



This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

### Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + *Refrain from automated querying* Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

### About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at <http://books.google.com/>

# SCIENTIA ECLIPSIVM

EX IMPERIO, ET COMMERCIO  
SINARUM ILLUSTRATA,

C O M P L E C T E N S

## INTEGRAS CONSTRUCTIONES

ASTRONOMICAS

P. JACOBI PHILIPPI SIMONELLI,

OBSERVATIONES SINICAS &c.

P. IGNATII KEGLER,

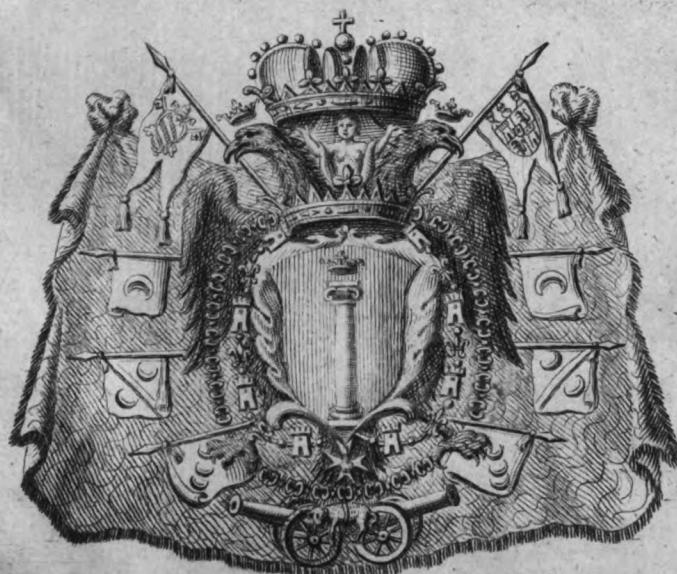
## INVESTIGATIONES ORDINIS

E CLIPSIVM

P. MELCHIORIS A BRIGA

19946

{ SOC. JESU.



ROMÆ, Typis Autoris De RUBRIE,  
Et LUCÆ, Apud SALV. & Jo. DOM. MARSCI. 1747.

C U M A P P R O B A T I O N E.





ILLUSTRISSIMIS . ET . EXCELLENTISSIMIS . DOMINIS  
TRIBUS . UNANIMIS . FRATRIBUS  
D. LAURENTIO . DUCI . PALIANI  
D. MARCO . ANTONIO (\*)  
D. PETRO  
C O L U M N Æ  
EXCELLENTISSIMI . D. FABRITII  
NEAPOLITANI . REGNI  
C O M . S T A B I L I S &c.  
FILIIS . NATU . MAJORIBUS

\* Cum secunda Pars hujus Operis impri-  
meretur D. M. ANTO-  
NIUS post tri-  
duanas Di-  
sputationes  
de Physico-  
Mathesi , de  
Theologia ,  
de Jure Ca-  
nonico cum  
plausu publi-  
cè habitas in  
Quirinali Ap-  
ostolico Pal-  
atio coram  
SS. D. N. BE-  
NEDICTO PA-  
PA XIV , sta-  
tim ab eodem  
Doctor , &  
Præsul Sacri  
Apost. Palatii  
Præfetus  
creatus est .

IV  
CONSTANTI . AVORUM . SPLENDORE . CLARISSIMIS  
VETUSTISSIMAE (a) . AMPLISSIONEQUE . GENTIS  
NULLI . ROMANARUM . SECUNDAE  
REGUM . PROGENIE . INCLYTAE (b)  
SUPREMO . PONTIFICATU (c)  
PERPETUIS . SACRAE . PURPURAEC . INFULIS (d)  
CLASSIUM (e) . EXERCITUUMQUE . PRAEFECTURA  
ET . ALIIS . MAIORUM . DIGNITATIBUS  
DOMI . MILITIAEQUE . PRAECLARE . GESTIS  
FEUDORUM . MULTITUDINE . POSSESSARUM . ARCIUM . MUNITIONE  
ETIAM . IN . PRIVATA . FORTUNA . INTER . NON . REGNANTES . ILLUSTRISSIMAE  
DE . CHRISTIANA REPUB. (f) . DE . LITERIS . DE . RELIGIONE (g)  
OPTIME . MERITAE  
SED . NON . MINUS . PROPRIA . VIRTUTE . CONSPICUIS  
AB . IPSA . ADOLESCENTIA  
PRAESERTIM . PER . SEX . FERME . ANNOS . IN . NOBILISSIMO  
COLLEGIO : PTOLEMAEO  
UBI . MULTIPLICI . EQUESTRIUM . ARTIUM . EXERCITIO  
RHETORICAE , ET . LINGUARUM . CULTURA  
ASSIDUO . SCIENTIARUM , STUDIO  
PHILOSOPHIAE . MATHEM . JURISPRUDENTIAE . THEOLOGIAE  
NAVATA . EGREGIE . OPERA  
MODESTIA . IN . SESE . COMITATE . IN . SOCIOS  
EXIMIA . IN . DEUM . PIETATE  
FLORENTISSIMAE . IUVENTUTI  
CONTINUATA . AC . STABILI . FIRMITATE . PRAELUXERUNT  
IN . IPSORUM . EX . FODEM . SENENSI . COLLEGIO . DISCESSU  
ATQUE . IN . EGRESSU . E . SUO . THELOGICO . GYMNASIO  
QUOD . PER . BIENNIA . SIMUL . HONORARUNT  
MELCHIOR . A . BRIGA . E . SOCIETATE . IESU

TRI-

**TRIPLEX . OPUS**  
**DE . SCIENTIA . ECLIPSIVM**  
**COMMERCIO . SINARUM . ET . EUROPÆ . ILLUSTRATA**  
**AD . PUBLICAM . RARI . INTER . PRINCIPES . EXEMPLI (b),**  
**AC . MERITORUM . CONTESTATIONEM**  
**AD . PERENNEM . IN . BENE . COEPTIS . OPPIGNERATIONEM**  
**AD . CONCILIANDUM . TRIBUS . AUCTORIBUS . IMMUTABILE . PRAESIDIUM (c)**  
**OFFERT . DONAT . DEDICAT**  
**A. D. (d) MDCCXLIV.**

---

- (a) Gentis Columnæ originem *Sommaruccius* ab Hercule deducit ; alii e Trajano Imperatore ; plures a Cajo Mario septies Consule *Figurabino* *Cimbroque* triumpho illustri ; alii aliunde. Vid. *Crescent. Narrat.* IX, c. 1. *Gamberti Tract. Apol.* parte I, pag 68 ; sed prestat fateri Olympo similem, qui p̄e suam altitudine *cupus inter umbra condit.*
- (b) Brandenburgensem (nunc Regum Borussia) Familiam e Columna Gente descendere approbat Martinus V, apud *Petrum Ludweig M. S. Diplom.* Tom. V, & in *Actis Erudit.* Lips. 1724.
- (c) *Hadrianus I*, Pont. Max. consecratus V Idus Febr, an. DCCLXXII honorificentissimo apparatu exceptip Romæ Carolum Magnum, a quo Sedi Apostolicæ Veteres Provinciarum donationes confirmatae, novæ adiectæ excusso Longobardorum jugo, ut refert *Baronius* ad an. 774 : sedit annos XXIII, menses 10, dies 14, vel 17. *Nobilis, & Magna genitus jam Gense* (ut legebatur in ejus Epitaphio, quod a Carolo Magno cunctis testatur *Natalis Alexander Hist. Eccl. Sec. VIII*, c. 7) quippe *Theodori Filius de regione Vie Late prope S. Marcum*, hoc est de Gente, quæ postea Columna dicta est. Illic haud impar *Martinus V*, Pont. Max., antea *Ordo Cardinali de Columna* electus in Generali Concilio Costantensi (Vide *Spondanum* ad an. 147) : sedit annos XIII, Menses 3, dies 10.
- (d) S. R. E. Card. Cardinalium ejusdem Gentis imagines habebes apud *Ugbelli Libro* cui titulus : *Columnensis Familie Nobilissime, &c.*
- (e) In elegiis Ducum Illustrium inter eos, qui anno 1481 Hydruntum Turcis eripuerunt, l'udatur *Fabricius Columna* sub Carolo VIII, Reg. Gall., ac deinde sub Ferdinandō Rego Aragonie : *Stephanus Columna* sub Paulo III, Copiarum Sanctæ Ecclesie ductor, ac deinde *Cæsarearum* sub Carolo V Imperatore. *Marcus Antonius Columna* Pontificis Clavis Praefatus in celebri ad Echinadas Insulas de Turcis victoria sub S. Pio V, relatâ: Romanum reversus ejusdem Pontificis iussu, & Senatus Consuliro triumphavit, ac Statuam in Capitoliō erectam habere meruit. *Mitto Joannem Cardina-*

44

dinalem Columnam Pontificiarum Copiarum pariter Ductorem sub Gregorio IX, aliosque Antiquiores.

- (f) In literis inter Scholarum Principes recessetur Egidius Columna Doctor Fundatissimus vocatus, patrid Romanus e splendidissimis litteris. Nobili quippe Columnensis Familia oriundas, inquit Cave in Hist. Literar. ad an. 1296 (post Bellarmineum de Scriptoribus Ecclesiasticis ad an. 1290) Professor Paris. Prior Generalis Ordinis Eremitarum S. Augustini Archiepiscopus Bituricensis, Primas Aquitanie Inter S. R. E. Cardinales adscriptus, antea Discipulus S. Thomae, quem egregio libello defendit: obiit Avenione 1316. XI Cal. Jan. etatis 69; Deinde Beati titulo condecoratus, ut videlicet est apud Philippum Bergomatum in supplemento Chronologiae an. 1296. Joan. Ant. Bianchi O. M. de Potestate Ecclesiastica Lib. I, §. XI, Natal. Alexand. Hist. Eccles. Sec. XIII, c. V, artic. 2, a quo cap. praecedente laudatur Joannes Columna Cardin., qui circa annum 1290, nomen suum ab oblivione vindicavit libris decem, quos Mare Historiarum inscripsit. De alio Joanne Card. Columna, ad quem sunt Petrarchae Literæ, vide Giacconium ejusque continuat. ad ann. 1347. Franciscus autem Petrarcha in sua triumphali pompa, e Columnensem Principum Domo (ubi olim Constantini Magni Palatium extitisse fertur) ad Capitolium deductus, ibique Poëticæ laurea coronatus est, de quo argumento Hieronymus Squarcias. & alii in ejus Vita. De Asconio Cardinali Columna sui seculi Mæcenate consule citatum Giacconium ad an. 1585, pag. 183. Inter fœminas poëticæ laude celebres illustrior ceteris Victoria Columna Magni Ductoris Ferdinandi de Avabos Marchionis Piscarie uxor, de qua Hieronymus Vita in Nice.
- (g) In Religionis curâ supradictis additæ Joannem Cardinal. Columnam, de quo Hieronymus Menningus in Italiz Tabb. Joannes Cardinal. S. Præredis Legatus Honorii III cum exercitu viator in Egypto Columnam, ad quam Christus flagrante casu erat Romam detulit: unde cognoverem. Confer Giacconium ad ann. 1216, pag. 663. Addo profligatau hæresim Iconoclastarum in VII Synodo Oecumenica assensu Hadriani I convocata, missisque Legatis. Maximum quoque, & diuturnum Schisma per electionem Martini V, sublatum in Concilio Constantiensi, &c. Ex Fœminis sufficiat memorasse Claram Mariam & Passione Filiam Philippi Columnæ, Neptem Sororis S. Caroli Borromæi, Romæ Monial. Carmelit. Excalceat. Regina Coeli Fundatricem, in odore Sanctitatis mortuam an. 1675, de qua Blasius a Purificatione in ejus vitâ.
- Hæc tria studia Militie, Literarum, ac Pictatis, veluti Charites in antiquis Gemmis talari habitu circa euodem scapum sibi mutuè nexæ condecorant Christi Ecclesiam, quam Columnam, & Firmamentum veritatis vocavit Apostolus 1 ad Timoch. c. 3. Ita munienda Sacra Imperia conjunctis uno spiritu viribus Bellicis Fortitudinis, Ingeant. & Religionis, quam conjunctionem apud Veteres Egyptios significabant tres Columnæ super trianguli basi satis fortes Templi constitutas cum unice Sphinge superimpositæ, quales multiplici ordine vidi in Thebaide Paulus Lucas, Lib. cui titulus. Voyage du Levant.
- (h) Ut enim præstulerat Exemplum Eminentiss. Patrui HIERONYMI S.R.E. Card. Columnæ, cuius imagine iater Purpuratos Principes suos olim Con-

- Convictores** celata ejusdem Potentia*ci* Collegii Aula gloriatur; ita nunc tribus Majoribus Fratribus ab hoc Cœtu nondum omnino avulsi, destinantur ad succendum alii Romanorum Principum Filii, ut similiter frondescant: *exempli monstrante viam* (Manil. Lib. I.)
- (i) *Sforzia Pallavicinus* S. R. E. Cardinali, editioni *Carmineum Ciampoli*, auspiciis excellentiss. D. D. Columni, prodeunti praesertim Columnam, opere analytico celata cum Lemmate:
- Per eternas le nobil' opre eretta.*
- (k) Oblatio quidem triplicis Operis facta est Senis per Autumnum anni MDCCXLIV; sed impressio (quamvis ad eam expediendam diversi artifices sint exhibiti) absente Auctore, non facile absolvetur ante annum MDCCXLVII expletum, postquam præcipuum Sinicarum Observationum Auctorem accepimus obiisse.
- 

### TESTIMONIA DE ASTRONOMIAE UTILITATE VERÆ FIDEI PRÆCONIBUS IN SINIS.

I. „ Dilecto Filio *Ferdinando Verbiest*  
„ Vicario Provinciali Sinensi Societatis Jesu

### INNOCENTIUS PP. XI.

„ Dilecte Fili Salutem, &c. Incredibilis prope argumentum  
„ letitiae attulerunt nobis literæ, quibus post devotas filia-  
„ lis tuæ erga Nos observantæ significationes, duplex ex  
„ amplissimo isto Sinarum Regno munus ad Nos detulisti.  
„ Missale videlicet Romanum Sinensi idiomate conscriptum.  
„ & Imagines Astronomicas (a) Sinensi item more a te affa-  
„ bræ delineatas ad conciliandum Catholicæ Fidei favorem  
„ Gentis in omni Disciplinâ liberaliter exultæ, & ad o-  
„ minem virtutem mirifice propensæ. Jucundissimum verò  
„ præ cæteris fuit ex iisdem literis cognoscere, qnām Sa-  
„ pienter, atque opportunè profanarum Scientiarum usum  
„ in Sinensium Populorum, & ad Christianæ Fidei incre-  
„ mentum utilitatemque deflexeris, earum beneficio refel-  
„ lens falsas criminationes, & calumnias, quibus nonnulli  
„ in Christianum nomen invehebantur, viamque tibi ster-  
„ nens ad eum gratiæ locum apud Sinarum Regem ejusque  
„ consiliarios, ut solitus ipse gravibus molestiis, quas diu  
„ magno fortique animo pertulisti, Socios quoque tuos Mis-  
„ , sio-

- (a) Sinicas Astronomicas Tabb. Magni Planisphærii Cœlestis vide in Bi-  
blioth. Vaticana.

„ sionarios ab exilio revocaveris, & Religionem ipsam non  
 „ solùm pristinæ libertati, dignitatique restitueris; sed etiam  
 „ ad meliora in dies speranda provexeris. Nihil enim est,  
 „ quod, Dei adjutrice Gratiâ, sperari non possit, te tuique  
 „ similibus Viris apud Gentem istam Religionis causam a-  
 „ gentibus, &c.

Datum Romæ apud S. Petrum, &c. 3 Decemb. 1681.  
 Pontif. Nostr. a. 6.

*Exstat in Archivio Brevium ad Principes.*

## II. JEAN DOMINIQUE CASSINI *Astronomie Indienne* *Paris. 1689 sub initium,*

„ J' ay crû, que les Missionaires a qui l'Astronomie donne,  
 „ l'entrée chez les Grands, & chez les Scavans par tout  
 „ l'Orient, pourrissent tirer quelque avantage de ce tra-  
 „ vail, &c.

*Inseritur etiam tomo VIII (ex iis qui antecedunt annum 1699 )*  
*Commentariorum Regiae Scientiarum Academ. pag. 215, edit.*  
*Paris. 1730.*

## III. In Praefatione Libri, cui titulus Innocentia Victrix (adver- versus Ethnorum & Mahomettanorum accusationes) justu R. P. ANTONII DE GOVVEA S. J. in Sinis V. Provincialis Si- nico-Latinè expositâ, primum caput, de quo accusabuntur Evan- gelii praecones, narratur fusse de ignorantia Astronomia. Ve- „ rùm, inquit Auctor, pugnante pro suis illo, qui est Veri- „ tas, Cœlum quidem, experimentaque Cœlestia erroris & „ ignorantiae convicerunt (accusatores Ethnici, & Mabome- „ tanos) . . . . adedut peritia singularis rei Astronomicæ . . . „ eam denuò partem reseraret Evangelio, quam cùm olim „ aperuisset industria S. J.; Sinensium deinde (aliquot Eth- „ nicorum) Superbia, invidiaque Mahomettanorum occlu- „ serat. Sed nunc demonstratis Sole propemodum clarius „ & horum, & illorum erroribus, emiserat quodammo- „ do velut ex Eclipsi suâ . . . Astronomia Europæ, &c.

*Exstat Latino-Sinicè in Biblioth. Coll. Senen. S. Vigili edit 1671*  
*in Urbe Quàm-cheù metropolitana Provincia Quàm-tum. Plura vi-*  
*de hic III Parte in Epistola ad Acad. tenebensem.*

IN-

# INDEX PRIMUS

Eorum, quæ hoc Volumine continentur.

M. a B. Triplicis Operis Dedicatio.

PARS I. ET II. E SINIS IN EUROPAM,

IN PARTE PRIMA.

R. P. Philippi Simonelli in Sinarum Imperio tertium Visitatoris  
 Tractatus de Geometricâ sive Optica Eclipſium Solis, Luna,  
 & Siderum Constructione an. 1738 e Sinis ab Auctore  
 ad M. a B. transmissus.

<b>PROPOS.</b> I. Segmentum Telluris Centralibus Solis radiis illustratum non differre ad sensum ab hemispherio: eminus visum apparere instar Disci. II. Circuli Longitud. & Ascensionis Recta in Disco Terrestri. III. Angulum Axium Äquatoris, & Ecliptice in Disco Ter- re determinare. IV. Äquatorem, Meridianum, & circulum Longitud. in eo- dem exhibere. V. Parallelos Äquatoris instar lineæ rectæ, quando Sol est in Äquatore. VI. Parallelos Äquatoris instar Ellipſum, quando Sol ex- tra Äquatorem versatur. VII. Solis Declinationem ab Äquatore determinare. VIII. Äquatoris, aut parallelī projectionem in Discum di- vise in horas, &c. IX. Datis diametris Ellipſim construere, ac dividere. X. Instrumentum Transportatorium parare. XI. Angulus plani Orbite Lunaris, & Ecliptice in Disco, atque axium utriusque. XII. In Syzygiis angulum verum axium Ecliptice, & Orbi- tae Lunaris invenire. XIII. In Syzygiis Luna latitud. determinare. XIV. Latitudo centri umbra Lunaris in Disco equalis ad sen- sum vera Latitudini Luna. XV. Apparentia Orbite Lunaris in Disco Terrestri ad sensum recta. XVI. Inclinationem apparentem Ecliptice, & Orbite Lunaris, atque in bac motum horariorum Lune a Sole equabilem determinare. XVII. Preparatio ad Ecliptici Typi Descriptionem. XVIII. Typam Ecliptis Terreſtris delineare. XIX. Phases Ecliptis Terre ex Typo per Circinum determinare. XX. Ecliptis Terreſtris phases calculo investigare. XXI. Expositæ Projectiones in Disco Terreſtri similes aliis in	Pag. 1 3 6 7 8 10 25 27 30 35 43 46 47 48 49 51 55 56 59 62
---	--

plano

plano parallelo secante cylindrum, seu conum radio-	
rūm Solis in Calo Lunari.	64
<b>PROP. XXII.</b> E Typo Eclipsis Terrestris tempus, & phasēs pro da-	
to loco determinare.	66
XXIII. Defect. Solar. phasēs ex eodem Typo in Schēmatē exhibere.	75
XXIV. Eclips. Solaris phasēs indidem per calculum eruere.	80
XXV. In Disco Terrestri circulos horarios, & Digitos defect.	
Solaris delineare.	85
XXVI. Altitudinem Poli, arcum semidiurnum, & dati puncti	
in perimetro Disci latitudinem affigere.	86
XXVII. Dato punto in Disco Terre, & horā, qua ibidem nu-	
meratur ejus latitudinem reperire.	92
XXVIII. Tab. Geographicam exhibentem Eclipsis phasēs pro tota	
Tellure delineare.	97
XXIX. Peculiaria circa Luna Eclipses.	128
XXX. Siderum sub Lunā occultationes eadem methodo construere.	134
TABULÆ Prima Partis.	148

### SECUNDA PARS.

R. P. Ignatii Kegler S. J. in Imperiali Acad. Pekinensi Astron.  
Præsidis, & Sociorum Sinicæ Observationes Eclipsum,  
variorumque Cœlestium congressuum, &c.  
Europ. Observ. consensum adjectit M. a B.

<b>CAP. I.</b> Observationes Defectum Lunæ.	Pag. 1
II. Observationes Defectum Solis.	39
III. Observationes Eclipsum Jovis, & Satellitum.	55
IV. Specimen occultationum, vel insigniorum tangēssum in aliis	
Planetis.	66
V. Fixe aliqua a Lund occultata.	68
VI. Cometarum Transitus juxta aliquas Fixas.	71
TABULÆ Secunda Partis.	88

### PARS III. ET IV. EX EUROPA IN SINAS.

#### TERTIÆ PARTI PRÆMITTITUR INDEX

Investigationum P. Melchioris a Briga S. J. Theologi  
de Ordine Eclipsum.

- I. In seip̄sis, & in Naturâ suâ.
  - II. In suis Periodis, sive Harmoniis Periodicâ.
  - III. In Doctrinâ (que erit QUARTA PARS, quando materia copia & cir-  
cumstantie majori brevitatē minis favorabiles hoc voluerunt) de qui-  
busvis Eclipsibus calculandis, representandis, & observandis.
- Accedunt in fine NOVÆ TABULÆ Astronomica ejusdem Authoris.
- IN-

I N D E X    II.

TABULARUM ASTRONOMICARUM

TOTIUS VOLUMINIS.

<i>In fine PRIMÆ PARTIS TAB. I. (P. Philippi Simonelli) expan-</i>	
<i>sa Universalis Angulorum in Disco Terræ, axium Äqua-</i>	
<i>toris, &amp; Eclipticæ ad dena minuta Longitudinis vera</i>	
<i>Solis in Eclipticâ, in hypothese ejus maxima obliquita-</i>	
<i>tis 23, 30°.</i>	
TABULÆ Cassinianæ pro Eclipſibus Lune ab Editore adjectæ.	Pag. 141
TAB. II. (Cassini 28) Differentiæ inter oppositionem, & medium E-	
eclipſis.	
TAB. III. (Cassini 29) Semidurationis Eclipſis totalis Lune in um-	150
brâ Terræ.	
TAB. IV. (Cassini 30) Semidurationis Eclipſis Lune in minutis, &	151
secundis Gradis,	
TAB. V. (Cassini 31) Quantitatis Digitorum & minutorum Eclipſis.	152
	156

---

<i>In fine SECUNDÆ PARTIS (preter Tabulas Comistarum 1737,</i>	
<i>1742, &amp; 1744 cap. VI) subjicitur</i>	
TAB. I. Geographica R. P. Christophori Maire S. J. Theol. Polem.	
Lectoris Longitudinis, & Latitudinis pricipiorum to-	
tius Orbis locorum ducto initio Longitud. ab Insula Ferri.	88
TAB. II. N. N. Index Chronologicus Solis Eclipſium, quarum fit	
mentio in toto hoc Volumine.	
TAB. III. N. N. Index Chronologicus Lunarium Deliquiorum, quo-	93
rum fit mentio in toto hoc Opero.	97

---

I N    T E R T I A    P A R T E .

INVEST. I. §. II. Tabella Parallax. Horizontal. Lune, ejusque Di-	
stantie a centro Terra.	
Ibidem §. VIII. Diametrorum Solis, & Lune.	Pag. 7
INVEST. II. §. V. Quantitatis anni Solaris Astronomici juxta varias	
fententias.	
§. VI. Quantitas Mensum Lunarium.	106
§. IX. Termini Eclipſum Solarium, Arcus inter cen-	109
tra in Conjunctionibus.	
§. IX. Termini Eclipſum Lunarium. Latitudo vera	129
Lune in Oppositionibus.	133

IN

## IN FINE III. INVESTIG. SIVE IV. PARTIS,

*Nova Tabula Astronomica P. M. a B.*

*Pro Periodicâ Eclipsium Harmoniâ,  
& pro Sinicarum Observationum usu.*

<b>TABUL. I.</b> Motus Solis a priore Luna Nodo, & Epactæ exactiores.	Pag. <b>ii</b>
<b>II.</b> Gradus correspondentes circa Nodos, cum Latitudine, & reduktione Lune ad Eclipticam.	<b>v</b>
<b>III.</b> Motus medius relativus in gradibus circuli Solis a No- do Lunari, & Luna a Sole.	<b>vi</b>
<b>IV.</b> Eclipses annorum <b>XX</b> , ab ann. 1731.	<b>vii</b>
<b>V.</b> Duplex Periodus Ægyptio-Chald. Eclips. Solis, & Luna.	<b>xvi</b>
<b>VI.</b> Novem Periodi Ægyptio-Chalda. sese immmediatè consequen- tias.	<b>xxii</b>
<b>VII.</b> Anni Periodici sine Luna Defectibue.	<b>xxii</b>
<b>VIII.</b> Parallelismus Eclipsium Luna in principio, & fine Pe- riodi 179 annorum Lunarium.	<b>xxiiii</b>
<b>IX.</b> Parallelismus Eclipsium Solis in principio, & fine ejus- dem Period. 179 annor. Lunar.	<b>xxiii</b>
<b>X.</b> Novæ, ac Majores Eclipsium Periodi continuatâ serie per undecim annorum millenaria.	<b>xxiv</b>
<b>XI.</b> Conversionis Eclipticorum digitorum Europa in Sinicos, Sinicorum in Europeos.	<b>xxv</b>
<b>XII.</b> Conversionis minutorum Europeorum in Sinica, Sinico- rum in Europea.	<b>xxv</b>
<b>XIII.</b> Digi Ecliptici Europæ actualis Obscurationis cum scrup- ulis circuli maximi, & apparentis Diametri Lumi- narium comparari.	<b>xxvi</b>
<b>XIV.</b> Comparatio Anguli facti in Disco Terrestri ab axe Äqua- toris, & Ecliptica juxta istius triplicem obliquitatis hypothesim, seu varietatem gr. 23°, 30°, gr. 23°, 29°, gr. 23°, 28°.	<b>xxviii</b>
<b>XV.</b> Synopsis Doctrinae Hallejanæ de Mercurii transitu ante Solis Disum.	<b>xxix</b>
<b>XVI.</b> Synopsis Eclipsium Satellitum Jovis juxta principia Cas- siniana.	<b>xxx</b>



# SCIENTIÆ ECLIPSIVM

Ex Imperio , & Commercio Sinarum  
illustratæ

## P A R S P R I M A

Geometricæ , atque Opticæ Constructionis  
Eclipsivm a Recentioribus Astronomis  
excitatæ

THEORIA ET PRAXIS  
~~ET~~  
ABSOLUTA , EXPOSITA , DEMONSTRATA  
A R. P. JACOBO PHILIPPO SIMONELLI  
SOCIETATIS JESU  
In Sinarum Imperio iterum Visitatore .

ROMÆ , M DCC XLIV.

Ex Typographia Antonii de Rubeis in via Seminarii  
Romani prope Rotundam .

S U P E R I O R U M P E R M I S S U.

**PRO INTRODUCTIONE AD HANC PRIMAM PARTEM  
VIDERE POTERIT BENEVOLUS LECTOR  
IN TERTIA**

**CONCORDIAM DOCTRINÆ  
DE ASTRONOMICA ECLIPSIMUM CONSTRUCTIONE.**

# AUCTOR LECTORI.



Am Solis , quam Lunæ defectus , communiter *Eclipses* dictos , in ipsis Luminaribus consideraverunt veteres Astronomi : & quantum attinet ad Lunam , aptissimè ; cum enim revera Luna ipsa Eclipsim patiatur , quum Terræ se inter ac Solem interpositæ umbram subit , luminis sui , quod integrè à Sole habet , vel totum , vel partem amittit , cuin maximè pleno nobis orbe fulgere deberet . Et hinc facili admodum etiam calculo omnia , quæ ad ejusmodi Eclipses pertinent , determinarunt , eademque etiam nunc methodo Recentiores utuntur . At quantum ad Solem , qui in se fons luminis , quod non aliunde mutuatur , corporis nullius obumbrationi est obnoxius , non licuit rem eadem facilitate , ac brevitate expedire . Solis enim defectus non Solis sunt Eclipses , sed Terræ : nam hæc est , quæ tunc Lunæ inter se ac Solem interpositu , Solis aspectu , ejusque lumine in toto , vel parte privatur , eodem prorsus modo , quo Luna ex Terræ interpositione . At Luna a Sole longissimè distans , a Terra vero parum admodum respectivè ad distantiam a Sole , valde diversas , sensibilesque è diversis Terræ locis spectata patitur à Sole Parallaxes . Hinc

veteres per Parallaxium supputationem Solis post Lunam occultationes ad calculum revocare coacti sunt ; quia supputatio quam prolixa , morosaque sit , experti non ignorant . Primus ( ut ait P. Deschales ) ejusmodi defectus ut Terræ Eclipses , quales verè sunt , consideravit *Keplcrus* , easque , ut potè Lunaribus omnino similes ( excepto quòd Lunares in Plenilunio , quando aspicienti Terram è Luna appareret conjunctio Terræ ac Solis ; Terrestres verò in Novilunio , cum similiter è Luna appareret Terra pleno Orbe fulgens , contingunt ) , statuto verò Novilunii veri momento , eodem omnino facillimo calculo , quo Lunares determinari posse detexit . At quia nobis in Terra positae ejusmodi Terrestris Eclipsis phases aspicere in ipsa Terræ facie , ac observare non licet ; nuli esset usui Astronomiae ejusmodi Eclipsium calculus , nisi inde Solis post Lunam occultationis ( quam tantum datur nobis conspicere ) tempora , ac phases colligantur . An idem auctor rem hucusque sit persequutus , scire non possum , cum ejus commentarios nunquam viderim . Saltem censeo in lucem id non protulisse , nam idem *Deschales* Eclipsis Terrestris calculum integrè exponens in suâ Astronomiâ de eruendis inde defectus Solaris phasibus innuit nihil . Illud certum est saltem a Recentioribus rem hanc fuisse perfectant : quis autem is fuerit , & quis primus edicere non possum , cum nullibi legerim ; imò nec ipsam methodum , præterquam leviter indicatam apud aliquos ; nempe ajunt si fiat typus Eclipsis Terrestris , & in eo convenientes apparentiae locorum , penumbræ Lunaris &c. aptè determininentur , posse inde statui defectus Solaris occurritis phases omnes : methodum autem typi delineandi , & inde propositum eruendi , integro , altoque premant silentio . Ejus methodi meram praxim oretenus brevissime ante aliquot annos amicus vir mihi communicavit : & triennio post illius solidant quidem ac dilucidam , breviorem tamen expositionem , demonstrationemque in Romano Collegio a se propositam ad me pro suâ humanitate transmisit *Pater Horatius Burgundius* in Collegio eodem Matheos Professor . Hac perfecta , animadverti rem dignam esse , cuius Theoria pleniùs exponeretur , ac praxis integra ad omnem , quoad posset , facilitatem , simulque accurationem redigeretur . Itaque

que curam hanc , cum primum , & quantum per alias majoris  
momenti occupationes licuit , in commune commodum suscepit.  
In progressu viam nonnihil a prælaudati Patris via diversam ,  
tenui , quæ mihi planior visa est , ac minus imaginationem fa-  
tigans : addidi insuper omnia ; quæ in hac re desiderari possent ,  
ac peti . In omnibus tam geometricam , quam trigonometricam  
proxim profero , ubiunque utraque locum habet : quod ad cla-  
ritatem , plenioraque intelligentiam Tyronibus consert plurimum : insuper mirum quantum ambæ invicem se juvent : ac  
tandem , ut integrum sit per alterutram rem confidere , si quan-  
do contingat non adesse in promptu necessaria ad alteram .  
Porro Elementa communia , quæ novæ hujus methodi peculiaria  
non sunt , nec hic requiras , sed ex communij Astronomia , in  
quâ Lectorem non peregrinum esse oportet , supponuntur .  
Iis præsuppositis , cetera fient , ut in sequentibus . Experimen-  
tum autem probabit , quām facile , expeditè , ac tutò , præ  
methodo veterum , omnia ad Solares defectus spectantia , non  
pro uno tantum loco terrestri , sed pro omnibus omnino , cal-  
culari , atque edici possint hac via ; imo & oculis ipsis subjici ;  
idque etiam pro Lunæ Eclipsibus , ac siderum omnium sub Lu-  
na occultationibus . Utter ergo elucubratione hac qualicumque .  
Si quid in ea Eclipsum tenebris luminis affusum reperias , illum  
lauda , qui Pater est luminis , apud quem non est transmutatio ,  
nec vicissitudinis obumbratio . Vale .

*I M P R I M A T U R;*

*Si videbitur R̄mo P. Mag. Sacri Palatii Apostolici.*

*Ferdinandus M. de Rubens Archiep. Tarzen. Vicefg.*

---

**J**USSU Reverendissimi Patris Aloysii Nicolai Ridolfi S. P. A. Magistri  
vidi librum inscriptum *Scientia Eclipsum R. P. Jacobi Philippri Si-  
monelli Societatis Jesu*, & quum nihil in illo sit, quod ullo pacto  
Catholicæ Christianæ Religioni, aut bonis moribus adversetur,  
edi posse censeo.

Ex Collegio Clementino 18. Maii 1743.

*D. Joam. Franciscus Baldinus Cl. Reg. Congr. Somaschæ:*

---

**L**ibrum cui Titulus: *Scientia Eclipsum Auctore R. P. Jacobo Phi-  
lippo Simonelli Soc. Jesu*; mandante Reverendissimo Patre Aloysio  
Nicolao Ridolfi Sac. Pal. Ap. Magistro, legi, atque in eo ni-  
hil, quod Fidei aut Morum Doctrinæ adversetur animadverti. Di-  
gnum propterea censeo, qui in rei Astronomicæ commodum, at-  
que utilitatem, publica luce donetur.

Ex Hospitio SS. Bonifacii & Alexii, Pridie Non. Junii 1743.

*Didacus de Revillas Abbas Hieronym. Sac. Indicis  
Congreg. Conf. & Publ. Math. Profess.*

---

*I M P R I M A T U R.*

**Fr. Aloysius Nicolaus Ridolfi Ord. Prædic. Sacri Palatii Apo-  
stolici Magister.**

TRA-

T R A C T A T U S  
DE GEOMETRICA SIVE OPTICA  
E C L I P S I U M  
S O L I S L U N Æ E T S I D E R U M  
C O N S T R U C T I O N E.

PROPOSITIO I. THEOREMA I.

*Segmentum Telluris centralibus radiis Solis illu-  
stratum est ad sensum hemispæriū, in cuius  
Polo vel axe semper Sol est, & bujus centrales  
radii ad ejus segmenti basim pro parallelis in-  
vicem, & ad eam basim perpendicularibus pby-  
sicè baberi possunt.*



Sto *S* centrum Solis, Terra *S*, *ST* radius jungens centra, occurrens superficie Telluris in *S*. Per *ST* esto planum secans Terram (1. & 6. 1. Theod.) in circulo maximo *DSE*, & aliud *BT* ad illud *normale*, cuius sectio cum Terrâ circulus maximus *DGE*, qui erit basis hemisphærii terrestris *DSE*, in cuius polo, seu axe *TS* est centrum Solis. Esto *DE* communis planorum sectio, quæ ad *ST* recta est. Sint *SA*, *SB* radii Solis centrales tangentes Terram in punctis *A*, & *B* circuli *DSE*. Clarum est radiis centralibus ultra *SA*, *SB* Terram non attingi: ideoque *A*, & *B* esse limites centralis illuminationis. Jun-  
gantur *AB*, *TA*, *TB*.

*Demonstratio.* *SA*, *SB* (26.3. Euc.) sunt æquales, item *TA*, *TB* semidiametri Telluris, & *ST* communis est

A    utri-

## SCIENT. ECLIPS. PARS I.

utrique triangulo  $SAT$ ,  $SBT$ : ergo (8. i. Eucl.)  $AST$  æqualis est  $BST$ , &  $STA$  ipsi  $STB$ , consequenter eorum mensuræ  $SA$ ,  $SB$  æquales sunt. Sunt autem (18. 3. Euc.)  $SAT$ ,  $SBT$  recti: ergo (32. i. Euc.)  $STA$ ,  $STB$  singuli deficiunt a recto, & eorum mensuræ à quadrante quantitate Anguli  $AST$ , seu æqualis  $BST$ . Hi anguli sunt Parallaxis Solis horizontalis, quæ juxta Ricciolum non excedit  $30''$ , juxta alios recentieres  $15''$ , aut  $10''$ . *Hirius* ponit tantum  $6'$ : ergo  $A$  à  $D$ , &  $B$  ab  $E$  distant ad summum  $30''$ , hoc est  $\frac{1}{10800}$  totius quadrantis, nempe ad summum 500. passibus geometricis, juxta Hirium tantum 100. quam distantiam comparativè ad Telluris hemisphæriū patet non esse sensibilem. Segmentum ergo  $ASB$  physicè est ipsum hemisphærium  $DSE$ , quod est primum.

II. Quia  $SA$ ,  $SB$  æquales sunt, &  $SC$  communis, & anguli intercepti  $ASC$ ,  $BSC$  ostensi sunt æquales, erit (4. i. Eucl.)  $AC$  æqualis  $BC$ , &  $SCA$ ,  $SCB$ , æquales, ideoque (13. i. Eucl.) ambo recti: ergo  $SAC$ ,  $SCB$ , ut prius, deficiunt à rectis ad summum singuli  $30''$ , nempe insensibiliter. Radii ergo Solis centrales sunt ad sensum recti ad basim dicti hemisphærii, consequenter (6. i. Eucl.) invicem parallelī sunt ad sensum. Patet autem propter quadrantes  $DS$ ,  $ES$ ,  $S$  esse illius hemisphærii polum, &  $TS$  axem, in qua semper est Sol, quod erat secundum, & tertium. Constat ergo totum Theorema. Quod erat demonstrandum.

*Coroll. I.* Quia oculo statuto in  $S$  visio fit per eosdem radios  $SA$ ,  $ST$  &c. ac Terræ globositas ad tantam distantiam non discernitur, ut non discernimus in Luna licet incomparabiliter propiore; hinc Tellus ex  $S$  apparret discus planus  $DIEG$ , & per eum videtur pergere Lunæ umbra, vel penumbra, cum hæc in Terram incidit. Quarè si is Discus habeatur pro Tabellâ perspectivâ, & in eo determinetur optica viæ Lunæ (hujus enim in plano semper est centrum dictæ penumbræ) apparentia, & in

& in hac loca, in quibus hic, & nunc Luna apparet, item penumbræ amplitudo, nec non situs opticus locorum terrestrium in dicto hemisphærio existentium, cognosci poterit quas regiones terrestres, & quando umbra attingat, tegat, aut deserat, quantum singulæ in umbram immergantur, uno verbo, omnes Ecliptis phases. Hæc omnia in sequentibus præstantur. Itaque cum dico *Discum Terræ*, aut absolutè *Discum*, eam basim intelligo.

*Coroll. 2.* Quia omnes circuli maximi Cælestes trans-euntes per ST faciunt cum globo Terrestri communes sectiones [1. & 6. i. Theod.] circulos maximos in eodem plano, & concentricos cum cælestibus; illi pro his ad metiendos angulos ad T substitui possunt.

*Coroll. 3.* Quia iidem circuli transeunt per S Hemisphærii nempe per polum basis *DIBG*, sunt ad hanc perpendicularares [15. i. Theod.] Hinc radii ex S Centro solis in singulorum perimetrum incidentes à propriis eujuscumque planis non divergunt: cadunt ergo omnes in uniuscujusque cum Disco Terræ communem sectionem, hæc autem est Disci, & circuli secantis diameter. Et cum circulorum apparentiæ in Disco per eosdem radios determinentur, singuli illi circuli in Disco sunt quique singulæ diametri. Itaque nomine talium circulorum in Disco ejusmodi diametros indico.

## PROPOSITIO II. THEOR. II.

*Circuli Longitudinis, & Ascensionis rectæ Solis in Disco Terræ faciunt angulum aequalē complemento anguli Eclipticæ cum eodem circulo Ascensionis rectæ, tam Spærici in Spærâ, quam rectilinei in Disco.*

**E**sto *Discus Terræ AD BF*, super quo hemisphæ- Tab. I. Fig. 2.  
rium illuminatum *ASB*, cuius polus *S*, ubi Sol  
[hoc  
A 2

[hoc est cui perpendiculariter imminet in recta  $TS$  junt  
gente centra Solis, ac Terræ].  $ASB$  transiens per mun-  
di polos, &  $S$  Solem, esto circulus ascensionis rectæ So-  
lis,  $ESC$  Ecliptica, &  $L SO$  circulus Longitudinis,  
qui ambo transeunt per centra Solis, ac Terræ, & hinc  
per  $S$ , consequenter tam hi, quam  $ASB$  [15. 1. Theod.]  
ad Discum Terræ recti sunt; & in hoc [coroll. 3. præ-  
ced.] erunt  $AB$  circulus Ascensionis rectæ,  $EC$  Ecli-  
ptica,  $LO$  circulus longitudinis. Agatur per  $T$  recta  
 $FTD$  normalis ad  $AB$ .

*Demonstratio.* Tam Discus, quam Ecliptica recti  
sunt ad circulum Longitudinis [15. 1. Theod.] trans-  
euntem per utriusque Polos; quare illorum communis  
sectio  $CE$  ad circulum  $L SO$ , & rectam  $LO$  [3. defin.,  
& 19. prop. 11. Eucl.] recta est. Sunt ergo arcus  $CO$ ,  
 $OE$  quadrantes. Sed etiam  $FB$ ,  $DB$  facti sunt qua-  
drantes, ideoque prioribus æquales: ablato ergo com-  
muni  $CB$ , seu  $DO$ , remanent  $OB$ ,  $FC$ , seu  $ED$ .  
æquales; consequenter anguli  $FTC$ ,  $BTO$ ,  $ETD$   
æquales. Est autem  $FTC$  complementum  $CTB$  acuti  
anguli Eclipticæ  $CE$  in Disco, cum circulo Ascensionis  
rectæ  $AB$ ,  $DTE$  complementum obtusi  $CTB$ : con-  
stat ergo 2. pars Theor: Sed idem arcus  $ED$ ,  $OB$ ,  $FC$   
sunt mensura angulorum sphæricorum singulis insisten-  
tium in polo  $S$  [coroll. post 21. 2. Theod.]. Constat er-  
go, & prior pars, ac Theorema totum. Quod erat &c.

*Coroll. I.* Quoniam Äquator rectus est ad omnem  
circulum Ascensionis rectæ, omnes enim per ejus polos  
transeunt, ex factâ demonstratione constat communem  
sectionem disci cum Äquatore semper esse in  $T$  norma-  
le in ad  $AB$ : est ergo recta  $FTD$ .

*II.* Circulus quilibet Ascensionis rectæ Solis est  
unus è Meridianis, qui cum in eo Sol est, successivè est  
Meridianus, seu congruit cum Meridiano omnium lo-  
corum, quibus successivè Sol meridiem facit. Hinc  $AB$   
est meridiana, in qua posito  $B$  pro plaga boreali, erit  $A$   
australis. Et quia propter motum diurnum Solis, hemi-  
sphæ-

sphærium Telluris illuminatum, & consequenter ejus basis perpetuò mutatur, ità tamen, ut circulus Ascensionis rectæ Solis sit ei basi semper perpendicularis; hinc fit circulum *ASB* esse tanquam Meridianum, & *AB* Meridianam universales, cum Sole quidem mobiles, ac translates ab ortu in occasum, sed in Disco, qui hīc, & nunc est illuminatus eundem semper situm tenentes. Tamen specialiter in constructione Eclipsum exhibet Meridianum locorum in quibus vera Syzygia fit in ipso momento meridie, si de novilunio; aut mediæ noctis, si de plenilunio res sit. Ita pariter punctum *T* exhibet punctum quodvis terrestre, cui Sol hic & nunc est verticalis, & specialiter illud in quo vera Syzygia contingit in vertice.

III. Quia axis Äquatoris jacet in planis omnium Meridianorum, & axis Eclipticæ in planis omnium circulorum longitudinis; patet axem Äquatoris in Disco apparere semper in recta *AB*, & Eclipticæ in *LO*. Hinc perinde est Circulorum Longitudinis, & Ascensionis rectæ, ac Äquatoris, & Eclipticæ axium angulum in Disco Terræ exhibere.

IV. Sole in Solsticiis versante circulus Longitudinis, & Ascensionis rectæ est idem unius Colurus Solsticiorum; ipse enim per Solis centrum, & per polos tam Eclipticæ, quam Äquatoris incedit. Cum ergo is Colurus sit consequenter rectus ad Eclipticam; angulus Eclipticæ cum circulo Ascensionis rectæ, seu Meridiano, tunc est Gr. 90, cuius complementum est 0. Ergo tunc Äquatoris, & Eclipticæ axium nullus est angulus, sed uterque axis apparet in eadem linea *AB*.

V. Sol in Äquinoctiis constitutus circulum Ascensionis rectæ habet Colurum Äquinoctiorum, qui cum Ecliptica facit Angulum Gr. 66 30', cuius complementum est Gr. 23 30'. Quare tunc Axium Äquatoris, & Eclipticæ angulus est Gr. 23 30', & omnium maximus: Itaque hujusmodi angulus in maxima a Solsticiis distantia, nempe initio *Y* & *Q* maximus est, in

in ipsis Solstitiis minimus omnium est, nempe nullus.

VI. Quia circuli Longitudinis transeunt per polos Eclipticæ, qui ab hac utrinque quadrante distant, & *S L*, *S O* sunt quadrantes, *L* & *O* sunt poli Eclipticæ; consequenter Discus per eos transiens est unus è circulis longitudinis, nempe ille, qui rectus est ad circulum Longitudinis Solis, & simul Ascensionis rectæ. Hinc initio  $\Upsilon$  &  $\Omega$ , cum Sol est in Coluro Aequinoctiorum, qui tunc est Ascensio recta, estque ad Colurum Solstitiorum rectus; hic autem tunc etiam rectus est ad circulum longitudinis Solis, qui cum transeat per puncta Eclipticæ Aequinoctialia distat à Coluro Solstitiorum per quadrantem Eclipticæ; patet tunc Discum Terræ convenire cum piano Coluri Solstitiorum. Cùm ergo tam Colurus Solstitiorum, quām circulus Ascensionis rectæ Solis transeant per Mundi polos, patet tunc hos esse in *A*, & *B*. Per hos polos transiens etiam circulus horæ 6 rectus est ad meridianum, nempe in eo casu, ad Colurum Aequinoctiorum: Ergo tunc etiam Circulus horæ 6 congruit cum Disco Terræ.

### PROPOSITIO III. PROBL. I.

*Quantitatem anguli axium æquatoris, &  
Eclipticæ in Disco Terræ pro datâ  
Solis longitudine determinare.*

*Tab. I. Fig. 3.*

I. Si Sol sit in initiis  $\Upsilon$ ,  $\Omega$ ,  $\Xi$ ,  $\Phi$  angulus quæsitus habetur ex Coroll. 4., & 5. præced.

II. Si Sol sit alibi, addantur logarithmus sinus datae distantiae Solis à proximo Solsticio, & logarithmus tangentis maximæ obliquitatis Eclipticæ, nempe Gr. 23° 30' (alii volunt 23° 29'). Summa, deleta i. sinistima, est logarithmus tangentis anguli quæsiti. Ex. gr. In coniunctione Eclipticâ Maji anni 1734, quæ Pekini juxta Tabulas Hirii contingit die 3. hora 6. o' à meridie tempore vero, reperitur vera Solis Longitudo S. 1 12°

39<sup>1</sup>

# INTEGRÆ CONSTR. ASTRON. PROP. III.

$39^\circ 46''$  ab  $\Upsilon$ . Distat ergo Sol à proximo Solstitio S. I.  
 $17^\circ 20' 14''$ , hoc est Gr.  $47^\circ 20' 14''$ . Sic ergo stabit calculus.

*Demonstratio.* Esto  
 $\angle E\angle C$  meridia-  
nus, seu ascensio re-  
cta Solis,  $\angle Q\angle E$

Sin. Gr. $47^\circ 20' 14''$	— Logar. 9. 8664970
$23^\circ 30'$	— Tangilog. — 9. 6; 8; 019
Ang. quæst. Gr. $17^\circ 43' 52''$	Tan. l. 19. 5047989

quator, cuius cum meridiano angulus  $\angle E\angle E$  rectus:  $EC$  Ecliptica, cuius cum  $\angle$  Equatore angulus  $\angle Y\angle E$  gr.  $23^\circ 30'$ . In triangulo  $\angle Y\angle E$  præter angulum rectum ad  $\angle E$ , notus est obliquus ad  $\Upsilon$ , & hypothenusæ  $\angle E$  distantia Solis à proximo  $\angle$  Equinoctio Gr.  $42^\circ 39' 46''$ ; ideoque ejus complementum  $47^\circ 20' 14''$ , distantia à proximo Solstitio. Patet ergo ex Trigonometriâ Sphæricâ per datam præmix inveniri complementum anguli  $\angle E\angle E$  Eclipticæ cum meridiano, qui (per præced.) est quæsitus. Quod erat &c.

*Coroll.* Hinc facile paratur Tabula horum Angulorum, ad singulos gradus, semigradus &c. Eclipticæ: addendo nempe Tangil. Gr.  $23^\circ 30'$  cum Logarithmo sinus singulorum graduum &c. distantiarum à Solstitio: Tabula autem pro uno Eclipticæ quadrante est pro omnibus, ut patet. Tabulam hanc addo in fine ad dena Eclipticæ minuta, unâ cum sequentis à præcedenti differentiâ, cuius usus similis omnino est ac Tabulæ declinationis Solis, de quo in propositione 15<sup>a</sup>. i<sup>i</sup>. Gnomonices.

## PROPOSITIO IV. PROBL. II.

*Æquatorem, necnon Meridianum, & circulum Longitudinis, hoc est axes  $\angle$  Equatoris, & Eclipticæ in Disco Terræ exhibere pro data Solis verâ longitudine.*

**C**Entro quovis  $T$  describatur circulus (pro Eclipsibus *Tab. I. Fig. 4.* radius quo major eò aptior), qui diametris in  $T$  nor-

• SCIENT. ECLIPS. PARS I.

normaliter concurrentibus secetur quadrifariam. Assumpta  $AB$  pro Meridiano, & (Coroll. 3. post 2. huj.) axe Äquatoris, erit  $\mathcal{E} \mathcal{Q}$  (Coroll. 1. ib.) Äquator. Ad partes  $B$  absindatur arcus  $BO$  æqualis angulo axium Äquatoris, & Eclipticæ ex Tabula, vel per præceden. reperito; ut in proposito exemplo (hoc semper utor in sequentibus, nisi aliter notem) Gr. 17 44°, ex  $B$  quidem ad partes occidentales  $\mathcal{E}$ , si Sol sit in semicirculo Eclipticæ ab initio  $\mathfrak{P}$  ad finem  $\mathfrak{T}$ , ut in exemplo; ad oppositas, si in reliquo. Jungantur  $O TL$  eritque circulus longitudinis, & simul Axis Eclipticæ. Omnia patent ex demonstratis: unicè ostendendum, cur in priore casu ad partes boreales  $B$  axis Eclipticæ fiat occidentalior, in posteriore orientalior axe Äquatoris. In figura 2. patet rectam  $TO$  ad partes boreales cadere intra crura anguli Eclipticæ cum meridiano obtusi  $ETB$ : constat autem ex Sphærâ talen angulum ad partes boreales in priore casu esse à Meridiano in Occidentem, in posteriore ad Orientem. Ad partes autem  $A$  australes propter angulos ad verticem in  $T$  æquales, oppositum faciendum per se patet. Constat ergo ratio totius constructionis. Quod erat &c.

*Coroll.* Quoniam Ecliptica ad suum axem recta est: Si per  $T$  agatur normalis ad  $LO$ , erit ea Ecliptica. Hac tamen linea absolutè non egemus, licet usum aliquem habere possit.

### PROPOSITIO V. THEOR. III.

*Centro Solis posito in Äquatore, bic in Disco est Disci & Äquatoris diameter ad Meridianam  $AB$  recta. Äquatoris autem Paralleli sunt item lineæ rectæ, borum diametri ad Meridianam  $AB$  Normales, nempe chordæ Disci per gradus distantiae Parallelorum in Disco ab Äquatore numeratos.*

*Tab. I. Fig. 5.*

**I**N Disco Terræ  $AFBD$  Esto meridiana  $AB$ , cuius circulus  $ASB\mathcal{E}$ , Sol in  $S$ , per quod ex suppositione

# INTEGRÆ CONSTR. ASTRON. PROP. V.

tione transit  $\text{Æquator}$ , cuius proinde cum Meridiano communis sectio  $S \mathcal{E}$ . Sint quotvis  $\text{Æquatoris Parallelæ}$  per puncta Meridiani  $E, G, C, M$ , per quæ agantur chordæ Meridiani  $O, P, G, H \mathcal{O}r.$  parallelæ ipsi  $S \mathcal{E}$ . Quoniam Meridianus  $\text{Æquatorem}$ , & hujus Parallellos secat per polos, horum & Meridiani communes sectiones (15. 1. Theod.) sunt  $\text{Æquatoris}$ , & respectivè Parallelorum diametri, & omnes (16. 11. Eucl.) invicem parallelæ. Chordæ ergo ductæ sunt Parallelorum diametri. Circa singulas cogitetur proprius Paralleli circulus, qui circuli Discum secant in rectis  $FD, ee, gb \mathcal{O}r.$  Dico 1.  $FD$  esse  $\text{Æquatorem}$  in Disco;  $ee, gb \mathcal{O}r.$  esse Parallelos  $\text{Æquatoris}$ .

*Demonstratio.* Discus Terræ transit per  $A$ , &  $B$ , qui in hoc casu [Coroll. 6. post 2. huj.] sunt Poli  $\text{Æquatoris}$ , & Parallelorum: ergo hi ad illum sunt recti, ut sunt radii è centro Solis [1. huj.] Ergo qui in  $\text{Æquatoris}$  perimetrum, & qui in Parallelorum, ab eorum planis non divergunt, consequenter incident in  $\text{Æquatoris}$ , & respectivè Parallelorum cum Disco communes Sectiones: ergo hæ sunt in Disco  $\text{Æquator}$ , & ejus Paralleli.

Dico 2. Eas communes Sectiones esse  $\text{Æquatoris}$ , & Parallelorum diametros invicem parallelas. Nam discus per eorum polos transiens secat [15. 1. Theod.] omnes per centrum, & insuper [16. 11. Eucl.] per rectas invicem parallelas.

Dico 3. Eas Diam. esse chordas Disci distantes ab  $FD$  arcu distantiaæ Parallelorum. Nam Meridianus, & Discus transeunt ambo per  $A$ , &  $B$  polos: ergo [10. 2. Theod.]  $SC, \mathcal{E}E \mathcal{O}r.$  æquales sunt arcibus  $FC, DE \mathcal{O}r.$  Sed  $SC, \mathcal{E}E \mathcal{O}r.$  sunt arcus distantiaæ ab  $\text{Æquatore}$  Parallelorum: ergo etiam Arcus Disci  $FC, DE \mathcal{O}r.$

Dico 4. Has chordas esse normales ad  $AB$ . Nam [coroll. 1. post 2. huj.]  $FD$  talis est: ergo [29. 1. Eucl.] etiam diametri Parallelorum ipsi  $FD$  parallelæ. Centro ergo Solis &c. Quod erat &c.

*Coroll.* Patet hinc, si Eclipse contingat in ipsis

*Aequinoctiis, facillimè exhiberi in Disco Aequatorem, aut ejus quoscumque alias Parallelos.*

### PROPOSITIO VI. THEOR. IV.

*Centro Solis extra Aequatorem versante, Aequator, & ejus Paralleli in Disco Terræ sunt Ellipses, quarum diameter maxima aequalis diametro propriæ, & cujusque Paralleli, & ad Meridianam rectâ; minima verò est portio ipsius Meridianæ inter duas cbordas distantes utrinque à latitudine Paralleli arcu declinationis Solis in data longitudine: centrum denique in ejus portionis medio.*

Tab. I. Fig. 6.

**I**N Disco Terræ  $AFBD$  esto  $AB$  meridiana,  $FD$  Aequatoris diameter,  $STN$  radius per centra Solis, ac Terræ, Sol in  $S$ . Fiant  $F\alpha$ ,  $F\mu$ ,  $Dx$ ,  $Dq$  singuli æquales datæ declinationi, & jungantur chordæ  $\alpha x$ ,  $uq$  secantes  $AB$  in  $a$ , &  $b$ .

Dico I. Aequatorem in Disco esse Ellipsum, cuius diameter minima  $ab$ , maxima  $FD$  diameter Aequatoris, ac centrum in  $T$  medio inter  $a$ , &  $b$ . Meridianus sit  $ASBN$ , Fiant in eo arcus  $S\mathcal{E}$ ,  $SV$ ,  $NX$ ,  $NQ$  singuli Aequales datæ declinationi Solis; quæ ponatur borealis. Patet punctum  $\mathcal{E}$ , eique oppositum  $Q$  pertinere ad Aequatorem: est ergo  $\mathcal{E}Q$  communis Meridiani, & Aequatoris sectio. Jungantur chordæ  $\mathcal{E}X$ ,  $VQ$ , quæ utpote parallelæ radio  $NS$  [45°. Horograph. nostræ], cum quo arcus æquales utrinque intercipiunt, rectæ sunt ad Discum, ideoque congruunt cum radiis Solis centralibus per  $\mathcal{E}$ , &  $Q$ : & quia æqualiter distant à centro  $T$ , atque chordæ  $F\alpha$ ,  $F\mu$ , necessariò secant diametrum  $AB$  in punctis iisdem  $a$ , &  $b$ .

*Demonstratio.* Aequator in hypothesi obliquus est

radiis Solis centralibus ; ideoque hi in illius perimetrum incidentes formant cylindrum scalenum , quem Discus Terræ secat obliquè ad basim , nec subcontrariè , cum Discus sit ad latera , seu axem cylindri rectus , basis autem , nempe Æquator , obliqua. Sectio ergo [13.1. Sereni] est Ellipsis: cum ergo ea sectio sit in Disco Æquatoris apparentia , Æquator in Disco est Ellipsis . Prætereà puncta  $a$  , &  $b$  sunt apparentiæ punctorum  $A$  , &  $Q$  Æquatoris ; sunt ergo in perimetro prædicti cylindri ; & cum sint in Disco , erunt in prædicta Ellipsi . In eadem sunt Puncta  $F$  , &  $D$  , quæ sunt in communi sectione Æquatoris cum Disco . Iten  $F D$  secatur bifariam in  $T$  , ut etiam  $a b$  , cum  $a T$  ,  $T b$  sint sinus arcuum æqualium : Ergo  $F D$  ,  $a b$  sunt Ellipsis diametri , ac centrum est in  $T$  . Sunt autem illæ diametri [coroll. 1. post 2. huj.] in vicem normales: ergo [3. defin. 2. Conicor. Des Chales] sunt axes Ellipsis , & [prop. 13. ibid.]  $F D$  major est diameter maxima ,  $a b$  minor est diameter minima : Quod est propositum .

II. Proponatur Parallelus alter , puta , latitud. Bor. G. 40. Retenta priori constructione fiant  $F G$  ,  $D K$  gr. 40. datae latitudinis ; item  $g c$  ,  $g b$  ,  $k i$  ,  $k e$  singuli æquales datae declinationi Solis , & jungantur chordæ  $c i$  ,  $b e$  , quæ secant  $AB$  in  $d$  , &  $n$  . Sectâ  $d n$  bifariam in  $o$  , per  $o$  agatur  $f y$  recta ad  $d n$  , fiantque  $o f$  ,  $o y$  singulæ æquales dati parallelî radio . Dico apparentiam dati Parallelî in Disco esse Ellipsem , cuius diameter maxima  $f y$  minima  $d n$  , centrum  $o$  . In Meridiano fiant arcus  $S G$  ,  $N K$  æquales singuli dati parallelî latitudini , item  $G C$  ,  $G N$  ,  $K I$  ,  $K E$  singuli datae declinationi Solis . Jungantur chordæ  $C I$  ,  $H E$  , quæ parallelæ sunt ipsi  $S N$  , consequenter [29. 1. Eucl.] ad  $AB$  , & [8. 11. ejusd.] ad Discum normales ; ideoque sunt radii Solis centrales per puncta  $C$  &  $E$  , transeuntque per puncta  $d$  , &  $n$  : nam  $F g$  ,  $f G$  facti sunt æquales ; ut etiam  $g c$  ,  $G C$  ,  $g b$  ,  $G H$  &c: ergo  $S C$  ,  $F C$  æquales ; itemque  $S H$  ,  $F b$  , consequenter eorum sinus æquales ; nempe  $T d$  sinus arcus  $F c$  est

etiam sinus arcus  $S C$ , &  $T n$  sinus arcus  $F b$  est etiam sinus arcus  $S H$ . Jungantur  $CE$ , ac tandem facto  $BP$  æquali datæ Solis declinationi, jungatur radius  $TP$ .

*Demonstratio.*  $S \mathcal{E}$ ,  $GC$  facti sunt æquales, ut-pote uterque data Solis declinatio: addito ergo utrinque  $S C$  erit  $\mathcal{E} C$  æqualis  $SG$ . Similiter ostenditur  $QE$  æqualis  $NK$ , æqualis  $\mathcal{E} C$ . Cum ergo  $E Q$  [per casum 1.] sit Äquator, recta  $CE$ , propter æquales arcus  $\mathcal{E} C$ ,  $QE$  datae latitudinis parallela ipsi  $\mathcal{E} Q$  est diameter dati Paralleli, qui obliquus erit ad Discum, perinde ac Äquator, consequenter ad radios Solis centrales: quare ut in primo casu, ostendetur ejus in Disco apparentia esse Ellipsis. Jam puncta  $d$ , &  $n$  sunt apparentiae in Disco punctorum  $C$  &  $E$  dati paralleli: sunt ergo puncta  $d$ , &  $n$  in ea Ellipsi, &  $d n$  una applicatarum in eâ. Præterea  $BP$ ,  $SE$  facti sunt æquales, addito ergo utrinque  $SP$ , erunt  $SB$ ,  $\mathcal{E} P$  æquales; consequenter  $\mathcal{E} P$  quadrans, ut  $SB$ : est ergo  $P$  polus Äquatoris, &  $TP$  ejus axis, qui cum transeat per centra omnium Parallelorum Äquatoris, punctum  $m$ , ubi  $TP$  secat  $CE$  est centrum propositi paralleli, consequenter  $mC$ ,  $mE$  æquales. Per  $m$  esto radius Solis centralis  $mZ$ ; hunc dico transire per  $o$  medium ipsius  $d n$ . Nam ducta per  $m$  recta  $r m f$  parallela ipsi  $d n$  inter duas chordas  $Cd$ ,  $Hn$ , quaæ pariter sunt parallelæ & sibi invicem, & radio  $mZ$ , erunt [33. 1. Eucl.]  $rf$ ,  $d n$  æquales, &  $r m$  æqualis erit  $d o$  segmento  $d n$  inter rectas  $Cd$ ,  $mZ$ , ut  $mf$  segmento ejusdem  $d n$  inter  $n$ , &  $mZ$ : quare  $mZ$  secat  $rf$ ,  $d n$  similiter. Secat autem  $rf$  bifariam: nam in triangulis  $mCr$ ,  $mEn$ ,  $mC$ ,  $mE$  ostensaæ sunt æquales, item anguli in  $m$  ad verticem, ut & alterni  $mCr$ ,  $mEn$ : ergo [26. 1. Eucl.]  $r m$ ,  $mf$  æquales sunt. Ergo radius  $mZ$  secat etiam  $d n$  bifariam: cum ergo hanc secuerimus bifariam in  $o$ , patet radius  $mZ$  transire per  $o$ , & punctum  $o$  esse apparentiam in Disco centri dati Paralleli. Tandem per  $m$  intelligatur alia diameter parallelæ dati recta ad planum meridiani (datur autem hujusmodi diameter, cum Par-

alle-

rallelus rectus sit ad meridianum] & per illius extrema radii Solis centrales ; hos dieo cadere in puncta  $s$ , &  $y$  rectæ per  $o$  ad  $d\pi$  normalis, & fieri  $os$ ,  $oy$  singulas æquales radio dati Paralleli : Nam illi duo radii sunt in superficie cylindri radiorum . Jam si per eos, & dictam diametrum in  $m$  ad meridianum normalem intelligatur planum , hoc [18. 11. Eucl.] tam ad meridianum , quam ad Discum rectum est : quare radius  $mZ$  in eo est , consequenter planum illud per  $o$  transit ; estque  $mo$  plani illius cum meridiano communis sectio ; & quia plani illius , & Disci communis sectio [19. 11. Eucl.] ad meridianum , &  $AB$  , seu  $d\pi$  recta est , ea communis Sectio est recta  $s o y$  , quæ [8. 11. Eucl.] illi diametro per  $m$  parallela est : & portiones Solis radiorum inter eam diametrum , & Discum sunt parallelæ , & æquales sunt tum inter se , tum ipsi  $mo$  , utpote omnes perpendiculari inter easdem parallelas : ergo rectæ , quæ eas jungunt , nempe per  $m$  secundum diametri Paralleli dati utrinque à meridiano , & segmenta  $os$  utrinque ab  $o$  [33. 1. Euclid.] æqualia sunt . Tales autem factæ sunt  $os$ ,  $oy$  : ergo predicti radii cadunt in  $s$ , &  $y$  ; quæ puncta propterea erunt in superficie cylindri , ideoque , ut in primo casu , in Ellipsi : est ergo  $sy$  altera applicatarum in Ellipsi  $Sy$ ,  $d\pi$  bifarium sectumutuò in  $o$ ,  $sy$ ,  $d\pi$  sunt Ellipsis diametri , & quia ad invicem normales , etiam sunt axes : quare ut priùs ,  $sy$  major est diameter maxima ,  $d\pi$  minor est minima , &  $o$  centrum Ellipsis . Quod erat alterum . Centro ergo Solis &c. , quod erat &c.

## S C H O L I U M.

In exemplo proposito , declinatio Solis posita fuit ad polum conspicuum . Si detur ad non conspicuum , eadem erit constructio in Disco Terræ , ut & pro demonstratiōne in Meridiano , excepto quod Äquator erit  $VX$  Polus  $p$  infra  $B$  , axis Mundi  $Tp$  , ac tandem  $IH$  datus

Pa-

Parallelus, cuius centrum  $z$ . Tunc similiter omnia demonstrantur.

*Confer simul  
Tab. I. Fig. 7.*

*Coroll. I.* Hinc patet data Solis declinatione [non refert ad quam plagam], abscissis in Disco ab  $F$ , &  $D$  utrinque arcubus datae declinationis, ductisque chordis occultis  $e x$ ,  $e q$ , inveniri puncta  $a$ , &  $b$  terminos diametri minimae Ellipsis æquatoriae, cuius diameter maxima  $F D$  item datur. Pro cæteris Parallelis abscissis  $F G$ ,  $D K$  arcubus datae latitudinis, & utrinque  $g g$ , &  $k k$  arcibus  $g c$ ,  $g h$ ,  $K i$ ,  $K e$  arcubus datae declinationis, regula per  $c$ , &  $i$  dabit punctum  $d$ , & per  $h$ , &  $e$  punctum  $n$  terminos semidiametri minima, quæ secunda bifariam in  $o$  per normalem  $S y$ , factisque  $o s$ ,  $o y$  æqualibus singulatim radio dati Paralleli, nempe semichordæ datae latitudinis, erit  $S y$  diameter maxima. His habitis describi poterit Ellipsis quæsita. Descriptionis praxim expeditissimam docet nona hujus.

*II.* Ex facta demonstratione patet in disco Terræ quemicumque circulum sive maximum, sive non, si sit ad discum obliquus, esse Ellipsem.

*III.* Si in Disco abscindantur  $B p$ ,  $B P$  singuli æquales datae declinationi Solis, patet chordam  $P p$  in  $u$ , ubi secat  $AB$ , determinare Polum in facie quidem Disci, si declinet Sol ad Polum conspicuum; in dorso, si ad non-conspicuum: nam similiter ostendetur chordam  $P p$  transire per  $u$ .

*IV.* Quoniam diameter Paralleli secat Discum in  $s$ , etiam Paralleli cum Disco communis sectio transit per  $s$ ; & quia uterque ad meridianum rectus est, illa communis Sectio [19. 11. Eucl.] ad meridianum, & rectam  $AB$  recta erit: erit ergo  $2 + 3$ . Discus ut potè basis hemisphærii illuminati separat partem Terræ obscuram ab illuminata, consequenter partem parallelī dati in parte illuminata existentem, hoc est arcum ejus diurnum a parte in hemisphærio obscuro, nempe arcum nocturnum. Et in Aequatore quidem uterque semper est semicirculus, cùm tam Aequator, quām Discus sint circuli maximi, se secantes

cantes per commune centrum  $T$ . In aliis Parallelis, cum Sol est in Äquatore idem contingit; quia tunc Discus idem cum Coluro [Coroll. 6. post 2. huj.] Solstitiorum, ideoque per polos Mundi  $A$ , &  $B$  [fig. 5.] transiens, omnes etiam Äquatoris Parallelos bifariam secat. Hinc sub Äquatore perpetuum est Äquinoctium. In Parallelis tunc tantum, cum Sol est in Äquatore initio nempe  $Y$ , &  $\Omega$ . At Sole hinc, aut inde extra Äquatorem versante, dies noctibus inæquales sunt. Nam  $C E$  bifariam secatur in  $m$ , &  $I H$  in  $z$ . Quare utraque in  $t$  secatur inæqualiter; & arcus cuius sagitta  $t C$ , nempe diurnus Paralleli  $C E$  major arcu nocturno, cuius sagitta  $t E$  minor quam  $t C$ . Pariter arcus diurnus Paralleli  $I H$ , cuius sagitta pars diametri minor  $t H$ , minor est nocturno, cuius sagitta  $t I$  major, quam  $t H$ . Sicut autem Parallelus, ita & ejus Ellipsis in Disco similiter dividitur in arcus diurnum, & nocturnum per rectam  $g t K$ , & illa pars Ellipsis erit arcus diurnus, quæ est apparentia arcus diurni in Parallello, eritque in facie Disci: reliqua pars Ellipsis, utpote apparentia arcus nocturni, tanquam in Disci facie aversâ cogitanda. Itaque si inveniatur punctum  $t$ , & per  $t$  agatur  $z$  &  $z$  normalis ad  $AB$ , hæc secabit Ellipsim, ut dictum est; & puncta  $z$  &  $z$  in perimetro Disci ad dictum Parallelum, simul horas ortùs, & occasùs secabunt. Porrò punctum  $t$  facile invenitur ductâ in Disco chordâ transversali  $c e$  [seu  $i b$  perinde est]. Dico hanc transfire per  $t$ . Jungantur in Disco  $z z$ , &  $c B, e B$ , & in meridiano jungantur  $E B, C B$ . Per demonstrata  $SC$ , æqualis est  $F c$ , ergo & complementa  $CB, c B$  æqualia sunt; ideoque [29. 3. Eucl.] chordæ  $CB, c B$  æquales, & angulus  $CBA$ , angulo  $c B A$  æqualis: est autem  $t B$  latus commune utrinque triangulo  $C t B, c t B$ : ergo [4. i. Eucl.]  $Ct, ct$ , & anguli  $CtB, ctB$  æquales. Similiter ostenditur  $Et$  æqualis  $et$ , &  $EtB$  æqualis  $etB$ . Ergo anguli  $ctB, etB$  simul æquales sunt angulis  $CtB, EtB$  simul. Sed hi [13. i. Eucl.] æquantur duobus rectis: Ergo & illi: ergo [14. i. Eucl.]  $ct, et$  sunt una linea recta;

ta; hoc est chorda  $ce$ , quæ propterea transit per quæsumum punctum  $t$ .

V. Quoniam angulus  $CtB$  externus æqualis est interno, & opposito  $\angle TB$ , &  $c t B$  ostensus est æqualis ipsi  $CtB$ , erit etiam æqualis angulo  $\angle TB$ : ablati ergo utrinque rectis angulis  $2tB$ ,  $STB$  erit reliquo  $c t z$  æqualis reliquo  $\angle TS$ , nempe angulo datae declinationis. Hinc dato quovis punto  $z$  in Disci perimetro inventi poterit ad quem Parallelum spectet. Nam ducta  $2t$  ad  $TB$  normali, fiat angulus  $2tc$  æqualis datae declinationi Solis, cuius latus  $tc$  productum fecat perimetrum Disci in  $c$ , &  $e$ . Fiat  $Fb$  æqualis  $Dc$ , &  $Dz$  æqualis  $Fc$ : secetur bifariam in  $g$  arcus  $c b$ , vel  $ie$  in  $K$ . Arcus  $Fg$ , vel æqualis  $Dk$  est latitudo parallelorum quæsiti. Ratio patet: nam ex ostensis, puncta  $c$ , &  $e$  distant à latitudine Parallelorum, ad quem spectat punctum  $z$ , arcu datae declinationis Solis priùs citra, posterius ultra, & chorda ejus Paralleli transversalis  $re$  facit cum  $2t$  angulum item æqualem datae declinationi Solis: ergo facto arcu  $Fb$  æquali ipsi  $Dc$ , vel  $Dz$  ipsi  $Fc$ , latitudo quæsiti Paralleli est in medio arcuum  $rb$ , &  $ie$ . Sectis ergo bifariam illis arcibus patet satisfieri quæstioni.

VI. Inæqualitas dierum, & noctium extra Äquatoriem in eadem Solis declinatione eo major est, quo major dati Paralleli latitudo: & in eodem Parallello eo major, quo major Solis declinatio. Ostendo primum.

Esto  $FD$  parallelus minoris latitudinis quam  $CE$ . Axis  $TP$ , secet  $FD$  in  $a$ ,  $CE$  in  $m$ ,  $TB$  autem Meridiana secet  $FD$  in  $o$ ,  $CE$  in  $t$ : Cum  $aF$  sit  $\div FD$ , &  $MC \div CE$ , si  $mt$  sit major pars radii  $me$ , quam  $ao$  radii  $ad$ , constat propositum. In triangulis  $Tao$ ,  $Tmt$ , ad  $ao$  ac  $m$  rectangulis, angulus ad  $T$  communis est: Sunt ergo [32. 1. Eucl.] æquiangula, & [4. 6. ejusdem], ut  $Ta$  ad  $Tm$ ; ita  $ao$  ad  $mt$ : Est autem  $Ta$  sinus arcus minoris  $\angle F$  minor quam  $Tm$ ; sinus arcus majoris  $\angle C$ : ergo  $ao$  minor quam  $mt$ . Sed  $ad$  [15. 3. Eucl.] major quam  $me$ : ergo  $ao$  pars minor radii

Tab. II. Fig. 8.

dii majoris  $\alpha D$ , multò minor est quām sit similis pars ejus, quæ est  $m t$  major radii minoris  $m e$ . Quod est primuni.

Ostendo secundum. Esto Solis declinatio  $S \alpha$  major quām  $S \mathcal{E}$ , eritque  $c q$  Äquator. Fiat  $c c$  æqualis  $\mathcal{E} C$ , &  $q e$  æqualis  $Q E$ , item  $B p$  æqualis  $S \alpha$ : eritque  $c e$  idem Parallelus ac  $CE$ , sed in majori Solis declinatione, &  $T p$  axis Äquatoris secans  $c e$  in  $b$  centro Paralleli normaliter,  $T b$ ,  $T m$  æquales sunt, utpote sinus æqualium arcuum  $c c$ ,  $\mathcal{E} C$ : Si ergo centro  $T$  per  $b$  circulus ducatur, is per  $m$  transit. Et quia  $c e$  [16.3. Eucl.] tangit circulum illum in  $b$ , tota extra circulum cadit, quare pergit ultra  $m$ , & secat  $T B$  ultra  $x$  in  $x$ ; ac  $T n$  major est quam  $T t$ . In triangulis  $T b n$ ,  $T m t$  ad  $b$ , &  $m$  rectangulis, quadratum  $T n$  [47.1. Eucl.] æquale est quadratis  $T b$ ,  $b n$  simul, & quadratum  $T t$  quadrantis  $T m$ ,  $m t$  simul. Est autem quadratum  $T n$  majoris majus quadrato  $T t$  minoris, ergo quadrata  $T b$ ,  $b n$  simul majora sunt quadratis  $T m$ ,  $m t$  simul; & ablatis utrinque quadratis æqualibus  $T b$ ,  $T m$ , est quadratum  $b n$ , ideoque ejus latus  $b n$  majus quadrato, & respectivè latere  $m t$ . Additis ergo utrinque æqualibus  $b c$ ,  $m C$ , erit tota  $c n$  major totâ  $C t$ , ideoque arcus diurnus Paralleli in declinatione majori  $S \alpha$  major diurno in declinatione minori  $S \mathcal{E}$ : Quod erat alterum. Porrò ex his sequitur etiam in Ellipsibus Parallelorum in Disco Terræ plures inveniri horas in spectantium ad majorem latitudinem arcu diurno, quām in spectantium ad minorem, stante eadem Solis declinatione: & in spectantium ad eandem latitudinem arcu diurno plures in majori declinatione Solis, quām in minori, modò declinatio sit ad conspicuum polum: Si verò ad non conspicuum, quia contrarium accidit, nempe arcus diurnus brevior est in majori, quām in minori latitudine stante eadem declinatione, & in eodem Parallello brevior est in majori declinatione, quām in minori; ideo in primo casu arcus diurnus Ellipsis spectantis ad minorem latitudinem plures habebit horas, quām

*Fig. 6.* arcus diurnus spectantis ad majorem; & in altero arcus diurnus majoris declinationis pauciores habebit horas, quam spectantis ad minorem. Nam in figura 6,  $t$  ostensa est æqualis ipsi  $Ct$ , cui similis est  $Cz$  in figura 8. Cum ergo  $c$  major sit, quam  $Ct$ , &  $CE$ , & æquales, erit  $N$  minor, quam  $tE$ , hoc est  $tH$  in figura 6. Et ita de cæteris. In Äquatoris Ellipsi arcus diurnus perpetuò habet hor. 12.

*Fig. 6.*

VII. Patet item arcum diurnum cuiusvis Parallelū æqualem esse nocturno ejusdem in æquali, sed ad partes oppositas, Solis declinatione; & nocturnum diurno. Nam [fig. 6.] in triangulis  $Tmz$ ,  $Tz$  rectangulis ad  $m$ , & a etiam anguli ad  $T$  æquales sunt propter æquales arcus  $Bp$ ,  $Bp$ : latus  $Tt$  commune: ergo [26.1.Eucl.]  $t m$ ,  $t z$  æquales sunt: ergo additis  $mC$ ,  $zI$  æqualibus, est arcus diurnus  $tC$  in declinatione ad Polum conspicuum, æqualis nocturno  $tI$  in declinatione æquali; & ex  $mE$ ,  $ZH$  ablatis æqualibus  $t m$ ,  $t Z$ , restat arcus nocturnus  $tE$  in declinatione ad polum conspicuum, æqualis  $tH$  diurno in declinatione ad non conspicuum. Hinc in oppositis, sed æqualibus declinationibus eadem prodit Parallelū cuiusvis Ellipsis, sed qua pars in una declinatione est diurna, in opposita est nocturna, & vicissim.

VIII. Hactenus dicta de Parallelis, qui in figura ponuntur Boreales valent etiam de Australibus. Nam si  $B$  ponas plagam australēm, &  $A$  Borealem omnia similiter prodibunt, & ostendentur, ut patet in Parallelis ductis ad partes  $A$  in æquali latitudine, & inclinatione: ubi etiam apparet arcum diurnum Parallelū Borealis æquari nocturno Australis æqualis latitudinis, & contra in eadem Solis declinatione. Horæ si in Disco exhibendæ sint Ellipses binorum Parallelorum æqualis, sed oppositæ latitudinis, eadem fere operâ per praxes inferius tradendas, describi ambæ poterunt.

IX. Quoniam  $c$  ostensa est æqualis  $CE$ , ut &  $c$  ipsi  $Ct$ , patet &  $CE$  secari similiter in  $t$ , & tam  $c$   $t$ , quam  $Ct$  esse arcui diurno dati Parallelū in data declinatione

tione æqualem. Itaque in Disco Terræ ductâ dati Paralleli diametro  $g K$ , ductaque [Corol. 4.] transversali chordâ  $b i$ , quæ in  $TP$  dat punctum  $t$ , absindatur in  $g k$  diametro Paralleli, segmentum  $g m$  æquale  $b t$ : & per  $m$  excitetur ei perpendicularis  $n m u$ . Centro  $q$ , ubi  $TP, g k$  concurrunt, radio  $q g$  circulus Paralleli describatur  $g n k u$ , vel ejus semissis  $g n k$ . Eritque  $g n$  arcus semidiurnus, &  $n k$  seminocturnus in declinatio-  
ne ad polum conspicuum, vel contra  $i n$  ad non conspicuum. Quibus arcubus mensura repertis in gradibus, & his redactis ad horas [23 i. nostræ Gnomonices] scie-  
tur arcus diurnus totus in horis, & minutis, consequen-  
ter hora ortûs, & occasûs in dato Parallello, ad qua-  
rum priorem spectat punctum  $z$ , ubi recta per  $t$  ad  $TP$   
normalis perimetrum Disci fecat ad sinistram ad poste-  
riorem punctum  $z$ , ubi ad dexteram.

Fig. 7.

Ex eadem constructione etiam *calculo Trigonome-  
trico* rem percommode expediemus. Nam in trigono  
 $Tm t$  ad  $m$  rectangulo, posito  $Tm$  sinu toto partium  
10000, erit quæsิตum  $m t$  tangens declinationis Solis.  
 $Tm$  respectivè ad  $TP$  radium Disci est sinus datae eleva-  
tionis Poli, seu latitudinis  $\mathcal{E} C$ , notus ex Tabulis si-  
nuum: Ergo si fiat ut sinus totus  $Tm$  ad sinum datae ele-  
vationis Poli, hoc est eandem  $Tm$ , ut partem radii  
 $TP$ , ita  $m t$  tangens declinationis ad eandem 4<sup>am</sup>, scili-  
cket æqualem, ut partem radii  $TP$ ; is exhibebit quæsิตum  
 $m t$  in partibus, qualium radius Disci  $TP$  est  
10000, ut in apposito Exemplo. Idem Latus  $m t$  est

sinus complemen-  
ti quæsiti arcus se-  
mediurni, sed in  
partibus  $m$  Radii  
Paralleli datae la-

Declin. Gr. 15° 40' 40" Tan. 1. 9. 4481942.

Elev. Poli Gr. 40. Sin. 6418, 1. 3. 3080675

$m t$  part. 1804, 1 — — — 3. 2562617

titudinis tanquam sinus totius. Porro  $m E$  in trigono  
 $Tm E$  ad  $m$  rectangulo est sinus complementi datae ele-  
vationis Poli, posito sinu toto radio Disci  $TE$ ; ideo-  
que ex tabula sinuum nota est in iisdem partibus, in

Fig. 6.

quibus notum factum fuit latus  $m t$ . Itaque si fiat ut sinus complementi datae elevationis Poli, nempe  $m E$  ad eandem  $m E$ , ut sinum totum, ita  $m t$  superius inventum ad  $4^m$ , prodibit numerus partium  $m t$  in partibus radii  $m E$ , qui inter sinus quæsitus in Tabula dabit gradus  $t m$  complementi arcus semidiurni quæsiti, cuius summa, cum  $90^\circ$  erit arcus quæsitus in declinatione ad Polum conspicuum; in opposita erit illius à  $90^\circ$  differentia, ut in apposito exemplo. Vides autem in utrâque analogia eandem summam prodire ex duobus Log., sed in posteriori analogia non demendum Log. sinus totius, sed tantum Log. sin. Comp. datae elevationis Poli: Unica ergo analogia res expeditur; si nempe duobus Log. prioris analogiæ addas insuper Log. Sec. datae elevationis Poli, dempto Radio. Tunc enim prodibit immediate quod petitur in secunda, ut vides in exemplo adjecto. Quia autem recta per  $t$  normalis ad Meridianam determinat puncta 2, ac 3, in quibus datus Parallelus fecat

$m t 1804, 1l.$	3. 2562617
Sin. tot. 1.	10. 0000000
Summa	13. 2562617.
Elevat. Poli sin. Comp. subt. 1.	9. 8842540
$m t$ part. 2355	3. 3720077
Qui est sinus $130^\circ 37' 19''$ Ergo arcus semid. $103^\circ 37' 19''$ , vel $76^\circ 22' 41''$	

confidit; in apposito exemplo erit illius à  $90^\circ$  differentia, ut in opposita erit illius à  $90^\circ$  differentia, ut in apposito exemplo. Vides autem in utrâque analogia eandem summam prodire ex duobus Log., sed in posteriori analogia non demendum Log. sinus totius, sed tantum Log. sin. Comp. datae elevationis Poli: Unica ergo analogia res expeditur; si nempe duobus Log. prioris analogiæ addas insuper Log. Sec. datae elevationis Poli, dempto Radio. Tunc enim prodibit immediate quod petitur in secunda, ut vides in exemplo adjecto. Quia autem recta per  $t$  normalis ad Meridianam determinat puncta 2, ac 3, in quibus datus Parallelus fecat

Declin. Gr. $15^\circ 40' 40''$ G. P.	9. 4481942
Elev. Poli Gr. $40^\circ$ sin. 1.	3. 8080675
Log. Sec. dempto Rad.	4. 1157460
Num. 2355, &c.	3. 3720077

perimetrum Disci, & est  $Tt$  sinus arcum Disci  $F2$   $D3$  inter Äquatorem, & ea puncta: sinus is nempe  $Tt$  calculo item faciliter invenitur. Nam in triangulo eodem  $Tmt$ , posito  $Tm$  sinu datae elevationis Poli pro sinu anguli  $m t T$ , complementi datae declinationis, erit  $Tt$  sinus totus. Si ergo fiat ut sinus complementi declinationis ad sinum totum, ita sinus datae elevationis Poli ad quartum, prodibit Log. Sinus arcus  $F2, Tt$ , i.e. & in-

& inde ex Tabulis quantitas ipsius  $T$ : nota fiet, ut in apposito ex-

Elev. Poli $40^{\circ}$ Sin. I.	9. 8 0 8. 0 6. 7 5.
Decl. Gr. 15 $40^{\circ} 40''$ Sec. I.	0 0 1 6 4 6 5 4
Sin. I. gr. 41. 53. (Num. 6676, 3)	9. 8 2 4 5 3 2 9

go abscissis ab  $F$ , &  $D$  Polum versus, habentur eo ipso in Disco puncta quæsita pro termino utrinque arcus diurni Ellipsis dati Paralleli.

X. Item dato arcu semidiurno in datâ Solis declinatione poterit inveniri latitudo, ad quam ille arcus spectat, & inde inveniri in perimetro Disci prædicta puncta 2: ac 3, quæ & ad eum Parallelum, & horas ibi ortus, & occasus in data declinatione simul pertinebunt. Abscindantur in quovis circulo arcus  $SI$ ,  $SL$  dati arcus semidiurni [vel seminocturni, perinde est]: & jungatur  $IL$ , quam recta per  $S$ , ac  $T$  circuli centrum secabit ad rectos angulos in  $M$ , ideoque [5. 3. Eucl.] bifarium. Nam si ducerentur  $TI$ ,  $TL$  anguli  $STI$ ,  $STL$  insistentes arcubus [per constru.] æqualibus, [27. 3 Eucl.] æquales sunt; ideoque & reliqui  $ITH$ ,  $LTH$ , qui cum intercipiantur radiis  $TI$ ,  $TL$  æqualibus, ac  $TH$  communi duobus triangulis  $TIH$ ,  $TLH$ , etiam anguli [4. 1. Eucl.] ad  $H$  deinceps æquales sunt, ideoque [13. pri. ejusd.] recti. Agatur per  $T$  diameter  $ATB$ , ad  $SN$  normalis. Fiat angulus  $IHC$  datae declinationis Solis. Latus  $HC$  fecet  $TA$  in  $C$ . Jungatur  $CN$ . Dico Angulum  $HNC$  esse Paralleli quæsiti latitudinem. Nam esto quæsitus Parallelus  $CE$  adhuc ignotus, in quo  $m$  : complementum dati arcus semidiurni. Juncta  $TE$ , erit angulus  $ETQ$ , hoc est ei æqualis alterius  $TEM$ , latitudo quæsita, cui ostendendus æqualis angulus  $CNT$  in Figura 8. Triangula  $Tm$ ,  $CTH$  rectangula in  $m$ , &  $T$  habent etiam angulos  $m$  :  $T$ ,  $THC$  æquales, nempe æquales complemento datae declinationis; cum angulus  $THI$  ostensus sit rectus. Sunt ergo invicem æquiangula: ergo [4. 6. Eucl.] ut  $Tm$  ad  $m$  : ita.

Fig. 8.

Fig. 8.

ita  $CT$  ad  $TH$ ; sed ut  $m t$  ad  $m E$ , ita  $TH$  ad  $TN$  [cum tam  $m t$ , respectu radii  $m E$ , quam  $TH$  respectu  $TN$  sit sinus complementi ejusdem arcus semidiurni] ergo ex æquo [22 5. Eucl.] ut  $Tm$ , ad  $m E$ , ita  $CT$  ad  $TN$ : sunt autem anguli ad  $m$ ,  $T$  recti: ergo [6. 6. Eucl.] anguli  $TEM$ ,  $CNT$  æquales. Quod erat ostendendum. Notâ Paralleli latitudine, poterit per præcedentia duci in Disco ejus diameter, & inveniri punctum  $t$  &c. Poterit etiam punctum  $t$  in immediate inveniri sic. In  $CN$  in latere sinistro [Fig. 8.] producta, si opus sit, abscindatur  $Cr$  æqualis radio Disci  $TE$ , ducaturque  $r a$  parallela ipsi  $NT$ , quæ secet  $CH$  in  $M$ , erit  $CM$  longitudo quæfitæ  $Tt$ , ut patet, cum parallela  $r a$  faciat triangula  $Cr a$ ,  $CNT$  similia, ut etiam  $CMa$ ,  $CHT$ , &  $CMr$ ,  $CHN$ , cui similis est  $TEt$  in Fig. 6: consequenter cum  $Cr$ ,  $TE$  factæ sint æquales, etiam  $Tt$ ,  $CM$  æquales erunt. Itaque si inventi Paralleli describenda sit Ellipsis, abscisso (Fig. 7.)  $Tt$  æquali invento  $CM$ ; agatur per  $t$  normalis ad  $TP$  recta  $2t3$ , itemque recta  $bti$  faciens cum  $2t3$  in  $t$  angulum datae declinationis. Per puncta  $b$ , &  $i$ , ubi ea perimetrum secat, ductæ rectæ  $be$ ,  $ic$  ipsi  $2t3$  Parallelæ, juxta dicta determinabunt diametrum minimam  $d n$ , qua secta bifariam in  $o$ , ductaque per  $o$  recta  $soy$  ad  $TP$  normali, fiant  $os$ ,  $oy$  æquales radio inventi Paralleli, eritque diameter maxima.

Sed hic etiam calculus trigonometricus expeditissimus est. Nam cum angulus datae declinationis, quæcumque sit Paralleli latitudo, idem sit, & angulus axis  $TP$  cum quovis Parallello rectus, patet in Fig. 8, trigona  $Tao$ ,  $Tmt$  &c. esse similia, & in unoquoque notos esse ambos angulos obliquos, & simul latus unum sive  $a o$ , sive  $m t$ , pro dato arcu semidiurno: est enim  $a o$ ,  $m t$  &c. sinus Comp. dati arcus semidiurni, qui proinde in Tabulis sinuum habetur; eritque in partibus, qualium radius quæfisi Paralleli habet 10000. Porro in trigono  $Tmt$ , sumpto  $m t$  pro sinu toto, est  $m T$  tangens Comp. datae decli-

Fig. 8.

Fig. 7.

Fig. 8.

declinationis: eadem  $m T$  in triangulo  $m T E$  est tangens quæsitæ latitudinis, sumpto  $m E$  pro sinu toto partium 10000. Si ergo  $m T$  fiat nota in hujusmodi partibus, innoteſcat quæsitus angulus  $m ET$ . Fiat ergo, ut  $m t$  tanquam sinus totus, ad  $m T$  tanquam tangentem comp. declinationis, ita  $m t$  tanquam sinus complementi dati arcus semidiurni ad quartum, prodibitque quæſitum. Addi ergo debent Log. Tang. Comp. datae declinationis, & Log. numeri sinus  $m t$  dati. E summa abſciatur Log. numeri 10000, relinquetur Log. tangentis quæſitæ. Et quia Log. 10000 est 4.000000, qui subtrahi debet; sumatur tangens Comp. datae declinationis minuta 4. in duabus notis sinistram, cui sic minutæ addito Log. prædicto fiet sine alio tangens quæſita. Ut quia in Exemplio Tang. Comp. declin.  $15^{\circ} 40' 40''$  est

10. 5518057	Dec. $15^{\circ} 40' 40''$ T. co. 1 min. 4. — 6. 5518057
ablatiſ 4, ut dictum eſt, fiet	L. Numeri $m t$ (sin $13^{\circ} 37' 19''$ — 3.3720077
6. 5518057.	Lat. quæſ. gr. 40 T. L. — 9. 9238135

Formam calculi ostendit adjectum Schema.

Invento Angulo  $E$  in triangulo  $T m E$ , invenitur  $Tt \&c.$ , ut in coroll. præced.

Duo hæc postrema Corollaria usui sunt pro Typo Eclipseſ univerſali, de quo inferius. Licet autem aliam viam eadem obtinendi dem in 26.<sup>a</sup> hujus: placuit tamen hanc ex ipſa geometrica conſtructione in Disco deducere per ſolam Trigonometriam rectilineam; quod ad hujus rei pleniorē intelligentiam plurimum conſert.

XI. Ex omnibus prædictis tandem patet, Discum Fig. 6. Terræ eſſe veluti quemdam horizontem universalem, & mobilem: inde enim omnia determinantur pro tota Orbe. [etiam altitudo Solis pro dato quovis momento, ſupra proprium cujusque loci horizontem, ut oſtendam post 9.<sup>am</sup> hujus], quæ ex horizontibus particularibus, ac fixis. Differentia unicè in eo eſt, qaud respectivè ad horizontes particulares Sol oritur, & occidit, cum centrum habet in illis: at respectivè ad Discum Terræ, in

in quo centrum Solis nunquam est, oritur Sol in aliqua regione, cum Semiperipheria Occidentalis *B F A* punctum quodpiam attingit eum locum [provehitur enim Discus cum Sole, perpetuo ab ortu in occasum] tunc enim locus incipit esse in hemisphærio illuminato, seu radius e centro Solis tunc primò eum attingit. Occidit verò Sol, cum semiperipheria orientalis *B D A* punctum locus occupat; tunc enim ultimò est in parte illustrata, nec ullus deinceps radius Solis centralis eum petit. Porro punctum *B*, Sole declinante ad Austrum, est contactus ad extra Disci cum Parallelo Æquatoris Boreali, qui à Polo boreo distat quantitate datae declinationis, nempe qui ex *p* per *B* duceretur; in quo Parallelo Sol tunc præcisè oritur, & occidit; hoc est centrum Solis ut horizontem ascendendo attigit, statim iterum incipit mergi. Ultra eum Parallelum verò polum *p* versus, est nox perpetua. Tunc autem punctum extremè oppositum *A*, & contactus ad intra cum æquali Parallelo circa Polum Australem, in quo eo die Sol non occidit, sed ubi ejus centrum horizontem attigerit descendendo, iterum incipit attolli. Ultra verò eum Parallelum, polum australem versus, est dies perpetuus. Sole autem declinante in Boream in Parallelis Borealibus fit, quod in priore casu dictum est de Australibus, & contra. Cum ergo *P*, vel *p* sit polus, & *P B*, *p B* arcus datae declinationis, patet limites Borealem, & Australem Disci distare semper à polis arcu datae declinationis, ultra polum quidem ad quem est declinatio, at citra oppositum. Et quia diebus æquinoctialibus declinatio nulla est, tunc ii limites sunt in ipsis polis, nempe (Coroll. 6. 2<sup>o</sup> hujus) Poli sunt in punctis *A* & *B*. Reliqua, quæ ex dictis inferri possunt, quæ è re nostra fuerint, inferius suis locis exponentur.



PRO-

## PROPOSITIO VII. PROBL. III.

*Dato vero loco Solis in Ecliptica declinationem  
Solis ab æquatore determinare.*

**R**adio quovis (quo majore, eo aptiore)  $CA$  ducatur arcus, in quo absindatur  $AB$  graduum  $23^{\circ} 30'$  maximæ declinationis Eclipticæ. Junctis  $CA$ ,  $CB$ , agatur per  $B$  normalis ad  $CA$  recta  $BD$ , quæ erit sinus arcus  $BA$ . Centro  $D$ , radio  $DB$  describatur quadrans  $BLE$ , in quo absindatur  $EL$  æqualis distantiaæ dati loci Solis à proximo æquinoctio, in assumpto exemplo Gr.  $42^{\circ} 40'$ . Per  $L$  agatur  $LG$  parallela  $EA$ , quæ fecet arcum  $AG$  in  $G$ . Dico arcum  $AG$  esse quæsitam declinationem. Producatur, si sit opus,  $GL$  donec fecet  $CB$ ; fecet in  $F$ ; ac ducatur  $LK$  ad  $ED$  normalis.

Tab. II. Fig. 9.

*Demonstratio.* Concipiatur sector  $ACB$  pars plani Coluri Solstitiorum, in quo  $CA$  Äquatoris cum illo communis sectio; erit  $CB$  Coluri, & Eclipticæ communis sectio, quæ ab æquatore in eo coluro distat gr.  $23^{\circ} 30'$ , hoc est arcu  $AB$ . Cùm ergo  $CB$  sit Eclipticæ radius subtendit quadrantes illius duos unum hinc, unum inde, & normales ad colurum Solstitiorum per Eclipticæ polos incedentem. Eadem coluro normalis est etiam Äquator, ut pote & per hujus polos transeunti; consequenter etiam Äquatoris Paralleli, quorum proinde cum eo coluro communes sectiones (15. i. Theod.) sunt Parallelorum diametri, & ad radium æquatoris  $CA$  (16. i i. Eucl.) parallelæ. Est ergo  $GL$  communis sectio cum coluro dicto, Paralleli Äquatoris transeuntis per  $G$ , cuius proinde declinationem patet esse arcum  $AG$ . Ostendendum superest eum esse Parallelum, quem Sol in dato loco in Ecliptica percurrit.

Quoniam  $GL$  secat  $CB$  in  $F$ , & tam Ecliptica, quam Parallelus per  $G$  incedens recti sunt ad ejus coluri planum, etiam illorum communis sectio (19. i i. Eucl.) insistit perpendicularis plano coluri in  $F$ ; ideoque (3. de-

D

fin.

fin. ibid.) recta etiam est rectis  $G F$ ,  $C B$ ; & hinc est sinus arcus Eclipticæ, cuius sinus versus est  $F B$ , nempe arcus Eclipticæ inter punctum Solstitiale  $B$ , & punctum, in quo secatur circulo Paralleli per  $G$ : ergo reliquum radii est sinus distantia ejusdem concursus à proximo æquinoctio. Jam in trigono  $CB D$ , propter Parallelas  $CD$ ,  $F G$ , seu  $F H$ , est (2. 6. Eucl.) ut  $CF$  ad  $CB$  sinuum totum, ita  $DH$ , hoc est ei æqualis  $LK$  (sunt enim  $LK$ ,  $DH$  Parallelæ, utpote ambæ rectæ ad  $CA$ ) ad  $DB$  item sinum totum quadrantis  $DBE$ . Sed  $LK$  est sinus datae distantia Solis ab æquinoctio, nempe (per construct.) arcus  $EL$ ; ergo pariter  $CF$  est sinus similis arcus Eclipticæ inter proximum Äquinoctium, & punctum  $F$ . Parallelus ergo transiens per  $F$ , &  $G$  est qui datur, & consequenter  $AG$  quæsita declinatio. Quod erat &c.

*Coroll.* Si ducatur  $GI$  ad  $CA$  normalis, est ea sinus arcus  $AG$  inventæ declinationis, qui propter parallelas  $GH$ ,  $ID$  æqualis est ipsi  $DH$ , hoc est  $KL$  sinui datae distantia à proximo æquinoctio respectivè ad  $DB$  tanquam radium. Est autem eadem  $DB$  sinus arcus  $AB$  maximæ declinationis Eclipticæ. Cum ergo sit, ut  $CF$  ad  $CB$ , ut  $DH$ , seu æqualis  $KL$  ad  $DB$ , & convertendo, ut  $CB$  ad  $CF$ , ita  $DB$  ad  $KL$ , seu æqualem  $GI$ ; patet ita esse sinum totum ad sinum distantia Solis a proximo æquinoctio, ut sinus maximæ obliquitatis Eclipticæ ad sinum quæsita declinationis. Hinc additur Log. datae distantia à proximo æquinoctio, & maximæ obliquitatis Eclipticæ, delectaque è summa i sini-  
nistica, relinque-  
tur Log. sinus que-  
site declinationis,  
ut in adnexo ex-  
emplo: & ex praxi geometricâ etiam trigonometrica de-  
ducta & ostensa est.

Dist. à prox. æq.  $42^{\circ} 39' 46''$  sin. l. 9. 8310259.

Gr. 23 30' ————— sin. l. 9.6006997.

Declin. quæs.  $15^{\circ} 40' 40''$  sin. — l. 19.4317256.

Facilè ergo tabula paratur declinationis singulorum graduum, semigraduum &c. Eclipticæ, addendo singulis.

lis distantiis à proximo æquinoctio Log. Gr. 23 30'. Hujusmodi tabula ad dena minuta habetur in libro primo Horographiæ, & ejus usus in Prop. 16. ejusdem.

## S C H O L I U M.

Si proposita figura fiat in materia solida, & quadrans  $BE$ , sectus exactè sit in 90 gradus, habetur instrumentum universale ad hunc finem. Pro re nostra si radius  $CA$  fiat æqualis radio constanter assumendo pro Disco Terræ, inventus arcus declinationis usui erit pro determinandis diametris minimis Ellipsis, etiam si ignorantur gradus, & minutæ invento arcu contenta: arcum enim quærinus convenientem, quantuscumque ille sit. Poterit tamen etiam in gradibus, & minutis facile notus fieri, præsertim per instrumentum in 10° hujus parandum. Hinc non opus est in arcu  $AB$  gradus dividere. Si tamen dividatur utile & commodum erit pro plurimis summam præcisionem non potentibus, in Gnomonica præsertim.

## PROPOSITIO VIII. PROBLEMA IV.

*Æquatoris, aut ejus Paralleli cuiuslibet apparentias in Disco Terræ, in horas, semiboras, quadrantes &c. dividere.*

**I**N Disco Terræ  $BFD$ , esto  $AB$  Meridiana & axis Tab.I. Fig.7.  $\mathcal{E}$ quatoris,  $FD$   $\mathcal{E}$ quatoris diameter normalis ad  $BA$ , & diameter dati Paralleli; & ponatur 1° Sol in  $\mathcal{E}$ quatore. Secetur perimeter Disci in 24 partes æquales pro 24 horis, initio facto ab alterutra diametrorum, pro semihoris in 48 &c. Pariter circa dati Paralleli diameter, cuius centrum  $q$ , descriptus circulus  $gnk$  u similiiter secetur. Jungantur rectis occultis puncta horarum in perimetro Disci opposita ad easdem partes ab  $AB$ , &

D 2

ab

ab hac æquè remota; ac motentur puncta, in quibus hæ rectæ secant Äquatoris diametrum  $FD$ . Similiter fiat circa horas, & diametrum dati Paralleli. Dico apparentias Äquatoris & Paralleli sectas esse, ut petitur.

*Demonstratio.*  $FD, gk$  (5. huj.) sunt apparentia Äquatoris, & Paralleli in Disce. Pariter tam chordæ per horas in perimetro Disci, quam per horas in Paralleli circulo, sunt ad invicem, & meridianam  $AB$  parallelæ, utpote intercipientes utrinque arcus æquales. Concipiatur Äquatoris circulus (is æqualis est circulo Disci, utpote circa æqualem diametrum) ut & circulus Paralleli in situ suo naturali, nempe, in casu posito, normali ad planum Disci; etiam prædictæ chordæ omnes ad planum Disci rectæ erunt. Coincident ergo cum radiis Solis centralibus per eadem puncta horaria transversibus; quare hi secant datas diametros  $FD, gk$  in iisdem punctis, in quibus ductæ chordæ: ergo chordæ, ut radii determinant puncta horarum &c. Quod erat primum.

II. Sit Sol extra Äquatorem, consequenter (6. huj.) Äquatoris apparentia sit Ellipsis  $aFBd$ , & Paralleli Ellipsis  $dgnk$ . Dico chordas, ut in priore casu ductas, dividere perimetrum Ellipsium, nempe Äquatoris, & Paralleli apparentias, ut jubetur.

*Demonstratio.* Concipiantur Äquator, & Parallelus inclinati ad planum Disci (6. huj.) juxta datam Solis declinationem, & per puncta horarum, opposita puta  $13$ , &  $23$  æque ab  $AB$  distantium intelligantur radii Solis centrales, qui erunt in superficie cylindri radiorum, cum quo Disci communes sectiones sunt datorum Parallelorum apparentiarum: patet ergo illos radios in Ellipsium perimetros cadere, ibique determinare puncta earum horarum. Per eos duos Radios intelligatur planum, quod (18. 11. Euclid.) ad planum Disci rectum erit, & cum à Meridiano distet utrinque arcu  $A23$ ,  $B13$ , hoc est ejus sinu gr.  $15^{\circ}$ , est eidem Parallelum; consequenter ejus plani cum Disco Terræ communis sectio Meridiana  $AB$  (16. 11. Euclid.) parallela erit, & ab  $AB$  distabit.

bit in utroque extremo , sinu gr. 15. Hujusmodi autem [per constr.] est chorda 13,23: ergo hæc refert eam communem sectionem , consequenter determinat in perimetro Ellipsis puncta earum horarum . Eodem discursu concluditur de aliis horis binis , & binis tam in Aequatore , quam in Parallelo . Neque obstat , quod diameter maxima Ellipseos Paralleli , nempe  $Sy$  , non sit eadem linea cum chorda  $gk$  per dati Paralleli latitudinem : nam cum [6. huj.] sint Parallelæ , & æquales , res in idem recidit: plana enim Parallelæ rectas lineas in se incidentes [17. 11. Euclid.] similiter secant . Quare perinde est si  $e$  circulus Paralleli centro  $q$  per  $g$  , &  $b$  , siue centro  $o$  per  $s$  , &  $y$  describatur . Constat ergo totum Problema . Quod erat &c.

## S C H O L I U M.

Cujusvis Ellipsis solus arcus diurnus usui est pro Eclipsibus Terræ , & Solis ; solus nocturnus pro Lunæ . Quomodo hi arcus definitur dictum est in Corollariis sextæ hujus , tum Geometricè , tum Trigonometricè . In Aequatoris Ellipsi ea semissis est areus diurnus , quæ punctis  $F$  ,  $D$  vergit ad polum oppositum ei , ad quem Sol declinat . In Ellipsis Parallelorum pars major est arcus diurnus , Sole declinante ad Polum conspicuum , pars minor in casu opposito .. Ordo horarum in declinatione Solis boreali erit ea , quam figura exhibet circa circulos , itemque in arcu Ellipsum inferiori . In australi invertenda series , ut factum vides in Ellipsum arcu superiori : nempe in utroque casu  $AB$  est meridiana , & horæ ante Meridiem a limbo Disci occidentali , qui [Coroll. 11. sextæ huj.] est quasi horizon ortivus , ad Meridianam , & ab hac ad limbum Orientalem pomeridianæ progressi debent . Ponimus autem meridiem hor. 24 , & inde in post 1. 2. 3. &c. more Astronomorum serie continuatâ ..

PRO-

## PROPOSITIO IX. PROBL. V.

*Datis Diametris Ellipsis maxima, & minima,  
Ellipsem in horas &c. sectam unâ eademque  
operâ exhibere.*

*Tab. II. Fig. 10.*

**E**llipsis multipliciter describi potest; quia tamen in Disco Terræ opus est Ellipsis in horas &c. dividere, dabo hic praxim unicam, quæ in re nostrâ est omnium expeditissima, quippe Ellipsem, & in ea puncta horaria &c. simul exhibet.

Esto  $AB$  petitæ Ellipsis diameter maxima,  $d$  e minima, se mutuò bifariam, & normaliter secantes in  $C$ . Centro  $C$ , radio  $CA$ , circulus describatur  $AEBD$ , & alter concentricus  $aebd$  radio  $Cd$ . Productâ utrinque  $e$  ad  $E$ , &  $D$  sectus erit quadrifariam uterque circulus. Majoris quadrantes singuli secentur in 6, vel 12 &c. partes æquales. Ductis ex  $C$  radiis occultis ad singula puncta horaria circuli majoris, minor etiam similiter sectus prodibit. Per omnia puncta bina, & bina circuli majoris hinc inde ab  $A$ , aut  $B$  æquè distantia jungantur chordæ occultæ. In his [per præced.] sunt puncta horaria Ellipsis, quæ sic determinantur. Per omnia puncta horaria circuli minoris bina, & bina hinc, & inde æquè remota a punctis  $d$ , &  $e$  agantur similes chordæ extra circulum minorem, donec concurrent singulæ cum chordis cognominibus circuli majoris, nempe, quæ in ejus peripheria coëunt cum eodem radio, cum quo chordæ minoris in hujus perimetro. Per omnes, & singulos chordarum cum chordis concursus ducatur decenter curva, quæ circulum majorem tangat interius in  $A$ , &  $B$ , minorem exterius in  $d$ , &  $e$ . Dico hanc esse petitam Ellipsem, & in chordarum concursibus, per quos ducta est, sectam esse in horas, semihoras &c. Fiant  $of$ ,  $tg$  perpendiculares ad  $CB$ . Chordæ per hor. 11, 10 &c. circuli majoris secant  $CB$  in  $p$ ,  $b$  &c.

*De-*

*Demonstratio.* Ex doctrina Sinuum patet  $of$  esse si-  
num complementi arcis  $d\alpha$ , &  $tg$  arcis  $dt$ . Item  $11p$  est  
sinus complementi arcis  $Dy$ , &  $10b$  arcis  $D10$ . Sunt  
autem arcis  $D11$ ,  $d\alpha$  similes, ut etiam  $D10$ ,  $dt$ : ergo  
& eorum sinus comp. sunt similes: i.e. ut  $11p$  ad  $10b$ , ita  
 $of$  ad  $tg$ . Est autem (13.6. Euclid.)  $11p$  media proportionalis inter  $Ap, pB$ , &  $10b$  inter  $Ab, bB$ : ergo ut qua-  
dratum  $11p$  ad rectangulum  $ApB$ , ita quadratum  $10b$   
ad rectangulum  $AbB$ , nempe utrobius quadratum  
(17.6. Eucl.) respondentि rectangulo æquale; & quia  
 $of$  ad  $tg$ , ut  $11p$  ad  $10b$ , erit etiam quadratum  $of$   
ad rectangulum  $ApB$ , ut quadratum  $tg$  ad rectangulum  
 $AbB$ ; non tamen erunt quadrata æqualia respondentи  
rectangulo, cum  $of$  sit minor quam  $11p$ , &  $tg$  minor  
quam  $10b$ . Per constructionem Parallelæ sunt  $of, mp$ ,  
ut etiam  $tg, nb$ ; item  $om, fp$ , ut etiam  $tn, gb$ : ergo  
(34.1 Euclid.)  $of, mp$  æquales, ut etiam  $tg, nb$ ; qua-  
re quadratum  $mp$  æquale quadrato  $of$ , & quadratum  $nb$   
quadrato  $tg$ : quare etiam quadratum  $mp$  (7.5. Euclid.)  
ad rectangulum  $ApB$ , ut quadratum  $nb$  ad rectangu-  
lum  $AbB$ . Cum ergo rectangulis  $ApB$ ,  $AbB$  ostensia  
sint proportionalia tam quadrata rectarum  $11p$ ,  $10b$ ,  
quæ sunt ordinatim applicatae ad  $AB$  diametrum circuli;  
quam rectarum  $mp$ ,  $nb$ , quæ sunt ordinatim applicatae  
ad maximam petitæ Ellipsis diametrum  $AB$ ; priora ta-  
men suis correlativis rectangulis æqualia sint, non verò  
posteriora, patet (definit. Ellipsis 2. Conic. Des Chal-  
les) puncta  $m$ , &  $n$  esse in Ellipsi. Eodem ratiocinio con-  
cluditur de quibusvis aliis per datam methodum inven-  
tis punctis. Curva ergo ducta per puncta inventa Elli-  
psis est, & ea, quæ petitur, utpote circa datas dia-  
metros. Et quia chordæ per horas circuli circa diametrum  
maximam secant Ellipsim in punctis inventis; eademque  
(per præced.) determinant puncta horarum &c. patet in  
iisdem punctis Ellipsim dividi, ut petitur. Unâ ergo ea-  
demque operâ Ellipsim in horas &c. Quod erat facien-  
dum, & demonstrandum.

Co-

*Coroll. I.* Quia puncta horaria Äquatoris, & Parallelorum sunt horum cum circulis horariis concursus, puncta vero horarum in Ellipsibus sunt punctorum horariorum in circulis Äquatoris, & Parallelorum apparentia, patet puncta horaria in Ellipsibus esse apparentias dictorum concursum; consequenter apparentias circulorum horariorum in Disco transire per inventa puncta horaria in Ellipsibus; aut etiam in Diametris Äquatoris, aut Parallelorum, cum haec sunt apparentiae in Disco suorum circulorum juxta s. hujus Circuli horarii (uno dempto meridiano, & etiam, cum Sol est in Äquatore, circulo hor. 6, qui tunc (Coroll. 6. secundæ hujus) congruit cum plano Disci), utpote ad Discum inclinatum, projiciuntur (Coroll. 2. sextæ hujus) in Ellipses. Si itaque delineentur in Disco apparentiae Parallelorum ad quinos, aut saltu denos gradus latitudinis, & per singulorum puncta horaria cognomina agantur decenter curvæ, haec erunt circuli horarii. Sole posito in Äquatore coibunt omnes in punctis Disci A & B, ubi tunc sunt Poli Mundi; & prodibit Analenmma commune (de quo Des Chales lib. 2. de Astrolabiis) cum hoc unico discrimine, quod quia Analenmma illud describitur in plano Meridiani, oculo statuto in ejus axe ad infinitam distantiam, nostrum vero in Disco Terræ, qui in eo casu congruit cum circulo horæ sextæ, oculo statuto ad similem distantiam; in analenmate communi Meridianus circulus est, hora sexta linea recta, eademque axis Mundi, in nostro contrâ hora sexta erit circulus, Meridianus linea recta, eademque axis Mundi. Hinc si Eclipse accidat Soli versanti in Äquatore, Analenmma commune, servato predicto discrimine, erit pro Disco; sed casus erit rarissimus. Sole vero declinante, circuli horarii in Disco Terræ concurrunt quidem in eo Polo, ad quem Sol declinat, ac proinde in Disci facie extat; at ultra polum, ut & ad alteram plagam carentem polo terminantur in variis peripheriæ Disci punctis, nempe spectantibus ad latitudines, in quibus singulæ sunt horæ ortus,

Fig. 7.

tūs, aut occasūs; quæ puncta non solum pro horarum, sed & pro declinationis varietate diversa sunt. Determinantur hæc puncta per Coroll. 10. VI. hujus; ut etiam clariū suo loco exponetur, ubi hujusmodi punctorum occurret necessitas.

II. Quia in quovis loco terrestri ea numeratur hora, in cuius circuli plano est radius Solis centralis ad datum locum pertingens; fiet, ut si in loco quopiam dati Paralleli numeretur hor. ex. gr. 4, cum radius prædictus incidat hora quarta in Ellipsis pro dato Parallelo descrip̄tæ punctum 4, locum illum ē Sole apparere in puncto 4. At quia Sol motu diurno continenter pergit ab ortu in occasum circa axem Mundi motu, ad sensum, saltem intra paucas horas, ad Æquatorem Parallelo, cùm una horā post in eodem loco numeretur hor. 5, datus locus apparebit in puncto 5. ejusdem Ellipsis: & perinde erit, sive dicas Solem una cum circulis horariis progressum ab ortu in occasum grad. 15, & punctum 5 pervenisse ad locum, ubi prius erat punctum 4, sive imagineris, Sole & circulis horariis immotis, Terram interea circa suum axem (Mundi nempe) rotatam tantumdem ab occasu in ortum, & locum, qui ante suberat puncto 4, pervenisse ad 5. Hac secunda expressione, quia breviori, & quia ita re ipsa videretur aspicienti Terram e Sole, utar deinceps. Hinc verò clariū adhuc patet, quomodo *A B* sit meridiana universalis; imò tales sint horæ omnes, quia nempe successivè eadem easdem horas exhibent pro aliis, & aliis locis, prout per dictam imaginariam, seu opticam Telluris rotationem, loca alia, atque alia sub ipsis spectantur.

*Fig. eadem.*

III. Hinc sequitur apparentias Parallelorum in Discō esse vias, quas viderentur percurrere loca in iis Parallelis existentia. At quia semper Sol imminent verticāliter centro Disci *T*, si ex *T* ad quodvis Paralleli in Discō punctum agatur recta, hæc erit sinus distantia Solis a vertice ejus loci cuiuslibet, qui in eo puncto hic, & nunc est. Ponatur punctum 3. Agatur *T 3*, quæ produ-

cta secet perimetrum Disci in  $H$ . Fiat  $HI$  quadrans, & jungatur  $TI$ , item  $z L$  normalis ad  $T_3$ , secans quadrantem  $HI$  in  $L$ . Jungatur  $TL$ , & ex  $L$  ad  $TI$  normalis  $LM$ , quæ erit sinus arcus  $LI$ , seu anguli  $LT_1$ . ipsi  $LM$  æqualis est  $T_3$ . Nam  $MT$ ,  $L_3$  ambæ normales ad  $T_3$  Parallelæ sunt, ut etiam  $T_3$ ,  $LM$  ambæ ad  $TI$  rectæ: est ergo  $T_3$  sinus arcus  $LI$ , seu anguli  $LT_1$ . Cogitetur quadrans  $I TH$  super latere  $TH$  ad Discum, rectus: quia  $IT$  insistit normaliter Disco in centro  $T$ , est radius per centra Solis, ac Terræ; & illi Parallelus  $L_3$  est radius, per quem locus terrestris è Sole refertur in punctum  $z$  Paralleli. Locus ergo ille est in  $L$  superficie terrestris, consequenter  $TL$  est linea, quæ producita versus  $Z$  in verticem, seu Zenith loci cadit; arcus autem  $ILH$  per Solem, & Zenith loci transiens, est verticalis Solis in dato loco. In hoc verticali metimur distantiam Solis à vertice loci, quæ proinde erit  $IL$ , seu angulus  $LTI$ ; nam locus datus habet Zenith in  $LZ$ , Solem in  $LS$ ; ergo angulus  $SLZ$ , hoc est ei æqualis internus, & oppositus (29. i. Euclidis)  $LT_1$ , est distantia Solis à vertice loci, cuius ostensus est sinus æqualis rectæ  $T_3$ : hæc ergo est sinus distantiae Solis à vertice loci: quod est propositum. Quia autem altitudo Solis supra loci horizontem est complementum distantiae à vertice, ea erit arcus  $LH$ , ideoque determinari potest in Disco pro loco quovis, cuius detur in Disco apparentia altitudo Solis pro dato tempore, supra horizontem. Cum autem idem arcus  $LH$  sit altitudo loci supra Discum, seu basim Hemisphærii illuminati, patet tantundem elevari Solem supra loci cuiusvis horizontem, quantum eodem tempore elevatur locus supra basim Hemisphærii illuminati in circulo per Zenith loci, & Solem transeunte: Patet item  $T_3$ , esse verticalem Solis pro dato loco, ac tempore in Disco Terræ.

IV. Ex demonstratione propositionis, patet Ellipses, earumque puncta horaria determinari singula, si ex chordis circuli circa Diametrum maximam, distantibus

bus utrinque à Meridiana sinu arcū distantiaē binarum, & binarum horarum à Meridie, sinu, inquam, respectivè ad Semidiametrum maximam, nempe radium circuli circa eam, abscindantur supra, & infra ab eadem diametro maxima sinus complementi similium arcuum, respectivè ad radium circuli minoris, seu Semidiametrum minimam: ostendimus enim  $p m$  æqualem  $of$ , & Fig. 10.  $b n$  æqualem  $tg$  &c. Ellipsum diameter maxima constans est, utpote (5, & 6. huj.) semper æqualis diametro Parallelorum: minima diameter varia, vel nulla, prout varia, vel nulla fuerit Solis declinatio. Poterit ergo parari instrumentum universale pro solutione expeditissima propositi problematis, & aliis plurimis; & in subiecta materia omnia fere fieri poterant, quibus egemus. Instrumento hoc absolutè carere possumus, si pro uno, aut altero tantum loco Eclipsium phænomena investiganda sint: at pro typo universalī ejus defectus nonnisi labore improbo, aut aliis instrumentis pretii non levis suppleretur. Instrumenti ergo constructionem, usumque hic à me proponi, neminem puto tædebit.

## PROPOSITIO X. PROBL. VI.

*Instrumentum transportatorium parare.**Videatur Fig. 11. C. 12.*

**P**aretur tabella buxea, seu orichalcica &c. rectangula, utrinque probè plana, & lævigata, cuius longitudo saltem paulo ultra palmarem, latitudo non minor subduplā longitudinis. In ea prope unum latus in longum ducatur recta  $AB$  æqualis radio electo pro Disco Terræ: is si palmum adæquet, satis commodus est. Secta  $AB$  bifariam in  $C$ , ductaque normali  $C\sigma$ , centro  $C$ , radio  $CA$ , super  $AB$  semicirculus describatur, quem radius  $C\sigma$  in duos quadrantes dispertiet. Hi singuli dividantur exactè in 90 Gr., quorum ordo, ut in Schematico. Ductis utrinque radiis  $C\sigma$ , jungantur item utrin-

que chordæ 60, 0; factusque erit Rhombus ex duobus trigonis æquilateris (ut patet ex definitione Circuli, & 15. 4. Euclid.) quorum latus commune C<sub>0</sub>. Applicata Regula ad gradus quinos (aut si placeat etiam singulos) utrinque ab o cognomines notentur intersectiones Regulæ cum radio C<sub>0</sub>, quæ circino transferantur in utraque singillatim latera C<sub>60</sub>; & utriusque lateris puncta jungantur lineis rectis cum cognominibus punctis notatis in C<sub>0</sub>. Hæ rectæ erunt radii Parallelorum, quorum latitudo æqualis gradibus, per quos notatum fuit singulorum punctum in C<sub>0</sub>, sectique erunt singuli bifariam in radio C<sub>0</sub>; sicut chordæ 60, 0, 60 exhibent radium Aequatoris similiter sectum: deinde ascendendo radius latitudinis Gr. 10 20 &c. juxta numeros singulis in figura adscriptos. Latus C<sub>60</sub> ad sinistram tribuatur horis 24 meridiei, ac 12 mediæ noctis: ad dexteram horis 6, & 18 à Meridie. Et quia Sinus Gr. 30 æqualis semiradio, radius C<sub>0</sub> spectabit ad horas, 2, 10, 14, 22, quæ duabus horis, seu 30 grad. distant à Meridie, vel Media nocte. Accipiatur jam in Semicirculo chorda Gr. 30, cui in basi sinistra Rhombi abscindatur à 60 æqualis 0, 1. Sumpta deinde chorda integri quadrantis, abscindatur in semicirculi diametro æquale Segmentum A<sub>3</sub>. Excessui C<sub>3</sub> supra radium A<sub>C</sub> abscindatur in basi Rhombi ad dexteram æquale Segmentum à radio C<sub>0</sub> usque ad punctum 3. Idem fiat de chordis graduum 120, ac 150, quibus abscissis æqualibus A<sub>4</sub>, A<sub>5</sub>, transferantur Segmenta C<sub>4</sub>, C<sub>5</sub> à radio C<sub>0</sub> in basim Rhombi dexteram, ut habeantur ibi puncta 4, & 5. His peractis, sectus erit radius Aequatoris in finis omnium horarum integrarum. Sicut autem per chordas tricenūm graduum determinantur sinus horarum integrarum, ita eodem artificio per chordas quindenūm graduum determinantur sinus semihorarum, per chordas gr. 7  $\frac{1}{2}$  sinus quadrantum per chordas grad. 2  $\frac{1}{2}$  sinus quinūm minutorum, ac tandem per chordas graduum,  $\frac{1}{2}$ , 1, 1  $\frac{1}{2}$ , 2, &c. sinus singulorum minutorum. Sed scatis sunt sinus quinūm minutorum; nam cæteri æstimatione fa-

facilè accipi possunt, cum opus fuerit, sine errore sensibili. Tandem ex centro  $C$  rectæ ducantur ad inventa puncta singula horarum, semihorarum, & quadrantum, quæ cæterorum Parallelorum radios omnes in similes sinus divident, & absoluta erit instrumenti facies.

II. In dorso ejusdem Tabellæ agatur prope latus unum in longum recta  $DE$  æqualis semicirculi diametro  $AB$ , & similiter secetur bifariam in  $F$ , ductis  $FH$ ,  $EL$  ad  $DE$  normalibus, & æqualibus ipsis  $DF$ ,  $FE$ , compleatur rectangulum  $DL$  constans duobus quadratis  $DH$ ,  $FL$ , quorum latera æqualia radio Semicirculi. Quadrati  $DH$  latera singula secentur in 10 partes æquales, ut etiam latus  $EL$ . Puncta laterum  $DG$ ,  $EL$  à quæ remota à  $D$ , &  $E$  jungantur rectis, quæ erunt invicem parallelæ, & perducantur nonnihil ultra latus  $EL$ , ut  $FE$  ultra  $E$ . Item in quadrato  $DH$  à punto  $D$  ducatur recta ad primum punctum post  $G$  in latere  $GH$ ; a primo post  $D$  ad secundum post  $G$ , & ita porrò donec perveniat ad punctum  $H$ . Hæ obliquæ pariter invicem Parallelæ erunt & æquales. Numeri describantur circa quadrati  $DH$  latera, ut figura ostendit. Singulæ decimæ partes in lateribus  $DG$ ,  $FH$  secentur in 5 partes æquales, & puncta utriusque àque remota à  $D$ , &  $F$  jungantur rectis, quarum tamen non appareant nisi puncta in dictis lateribus, & in singulis obliquis ad vitandam confusionem. Prætereà lateris  $EL$ , ut &  $FH$ , vel alterius ei paralleli prope ipsum occultè ducti singulæ partes decimæ subsecentur trifariam, junganturque in quadrato  $FL$  puncta àque remota ab  $F$ , &  $E$  rectis punctatis. Item è semicirculo in alterâ facie Tabellæ accipiatur chorda arcus Gr. 30, cuius ab  $F$  absindatur dupla  $F$  30 in latere  $FE$  nonnihil producto, & jungatur  $L$  30, in qua terminentur omnes parallelæ quadrati  $FL$ . Jam sumantur chordæ grad. 2, 4, 6 &c. numerorum parium usque ad 28 inclusivè, quibus singulis à punto  $F$  versus  $E$  absindantur duplæ in latere  $FE$ . Similiter in latere  $HL$  à punto  $H$  versus  $L$  absindentur duplæ chordarum grad. 1, 3, 5 &c.

nu-

Tab. IV. Fig. 12.

numerorum imparium usque ad 29 inclusivè, Punctis adscribantur numeri suorum graduum. Jungantur diligenter obliquæ ab *F* ad 1, à 2 ad 3, & ita porro usque ad rectam *L* 30. Parallelis lineis per decimas lateris *F H* transeuntibus adscribantur numeri primæ infra *F*, 6, sequenti 12, inde 18', 24', 30', 36': 42', 48', 54'. Similiter fiat iisdem parallelis ad latus *L* 30, sed ordine inverso, nempe primæ supra *L* 6, inde 12', 18' &c. absolutumque erit instrumentum ad plurima utile & percommode, & in re nostra aptissimum.

*Demonstratio.* Hic ad nostrum finem tribus opus est. Primò sinibus omnium horarum in radiis Parallelorum: per eos enim transeunt chordæ, quibus & Ellipses, & horæ in his determinantur. Secundò imperatos arcus Disci Terræ absindere, aut datos metiri, seu, quod in idem recidit, imperatos angulos constituere, aut datorum quantitatem notam facere. Tertiò imperatas partes radii Disci Terræ ab eo, vel aliis lineis absindere, aut datas in partibus radii Disci Terræ notas facere. His enim tribus absolvuntur omnia, quæ in re hac geometricè præstanda peti possunt. Porrò tria hæc facile, & expeditè suppeditat constructum instrumentum.

Ostendo primum. Rhombi latera (14 4' Euclid.) æqualia sunt radio semicirculi: ergo duo simul 600, o. 60 æquantur diametro semicirculi, cui ponimus æqualem radium Disci describendi; ideoque, & Äquatoris. In hoc Äquatoris radio duplo radii semicirculi absindimus chordas duplum graduum cujusque horæ &c., quæ respectivè ad radium Disci erunt sinus semissis graduum, nempe horis, semihoris &c. convenientium. Nam, quia radius Äquatoris duplus est radii semicirculi, & sinus sunt, ut radii, sinus gr. 15. in radio Disci, seu Äquatoris duplus est sinus sumilis in radio semicirculi. Sed in hoc chorda Gr. 30 dupla est sinus Gr. 15 (defin. sinus). Ergo chorda arcus semicirculi gr. 30 æqualis est sinui Gr. 15 in radio Disci; & ita de cæteris. Porrò in basi Rhombi à radio *C O* ad dexteram tantum excessus supra *AC* notan-

tantur; nam in latere  $60^\circ$ , o ad dexteram habetur jam recta æqualis ipsi  $AC$ , quæ simul cum illo excessu integrant convenientes sinus, ut patet. Habemus ergo in Æquatore sinus petitos. Præterea radii Parallelorum Æquatoris (ex doctrina sinuum) sunt sinus complementi latitudinis Parallelorum. In hujusmodi sinus secuimus radium  $C\alpha$ ; nam regula applicita ad gr. ex gr.  $10^\circ$  utrinque ab o exhibet rectum ad  $C\alpha$  perpendicularē, & a  $C\alpha$  in puncto  $10^\circ$  bifariam sectam, cuius propterea semissis est sinus Gr.  $10^\circ$ , & Segmentum  $C\alpha$  radii  $C\alpha$  est sinus gr.  $80^\circ$  complementi latitudinis Paralleli per gr.  $10^\circ$  utrinque ab Æquatore: & ita de reliquis. Hos eosdem sinus abscondimus in utroque latere  $C60^\circ$ : ergo rectæ per eorum extrema ad puncta cognomina in  $C\alpha$  efficiunt intra Rhombum totidem trigona æquicrura, & propter angulos verticales graduum  $60^\circ$  omnibus communes, etiam æquilatera, ideoque bases cruribus, hoc est prædictis sinibus respectivè æquales: ergo si binæ, & binæ æquales accipiuntur pro una linea, erunt radii Parallelorum in Disco, similiter ac dictum est de radio Æquatoris. Sunt autem hæ basæ omnes Parallelæ, propter omnes angulos æquales: ergo rectæ ex  $C$  ad sinus Æquatoris (10. 6. Euclid.) secant in similes sinus omnes radios Parallelorum ductos, & alios per quoscumque gradus latitudinis ducendos, cùm opus fuerit. Habemus ergo in diametro maxima cujusvis Ellipsis in Disco sinus petitos. Quod est primum. In eodem Rhombo haberí possunt etiam sinus complementi cujusvis horæ relatæ ad semidiametrum minimam; si nempe in radiis  $C60^\circ$  utrisque, & in  $C\alpha$  absindatur semissis datæ semidiametri minimæ, & tria puncta rectis jungantur. Nam in his sinus hor.  $1^\circ$ , &  $11^\circ$  erit sinus complementi hor.  $7^\circ$ , &  $5^\circ$ , & contra, & ita porro. Sed quia Semidiametri minimæ inconstantes sunt, ut Solis declinatio, & sæpius nimis parvæ, multò magis earum semissis, res nec ita commoda, nec tuta admundum esset. Dicam igitur in Schol. sequente, quid pro his aptius sit.

Osten-

Ostendo secundum: In quadrilatero *FL* in dorso instrumenti habentur chordæ singulorum graduum ab 1 usque ad 30, respectivè ad perimetrum Disci; abscindimus enim eas duplas similium chordarum semicirculi, cuius radius subdupliciter: sed arcus circulorum imperati applicatione chordarum abscinduntur; ut etiam notâ chordâ alicujus arcus, etiam arcus innotescit: ergo ope ejus quadrilateri dati arcus aut anguli mensurari, aut imperati abscindi, & respectivè constitui, ni superent gr. 30, statim possunt. Quod si superent 30, applicatâ chordâ gr. 30 quoties potest, mensurando reliquum totus arcus angulusque fiet, aut notus erit in gradibus. Porrò 30 Parallelæ (4. 6. Euclid.) secantur proportionaliter rectis obliquis, & cum æqualiter mutuò distent, earum incrementa inter obliquas æqualiter fiunt. Teste autem canone sinuum, sinus ideoque & chordæ per binâ minuta à gradu ad gradum differentias habent ad sensum æquales: ergo dictæ interceptæ exhibent chordas ad bina minuta: & quia intermedias oculus exactè discerunt, habeantur chordæ ad singula minuta usque ad Gr. 30, quæ juxta dicta sufficiunt, maximè, quod arcus quadrantis aperturâ sui radii ex utroque extremo in gradus tricenos nullo labore dividatur: ergo scala hæc ad omnes arcus abscindendos, & metiendos, ut & angulos constituendos, aut notos faciendos apta est, & sufficit. Quod est secundum.

Ostendo tertium. In quadrato *DH* habetur communis Scala Geometrica, in qua obliquæ (4. 6. Euclid.) similiter secant interceptas parallelas. Sectis ergo lateribus *DG*, *FH* in 50 partes æquales, productis per singulas rectis Parallelis, habetur linea *DF* secta æquivalenter in partes 500, & per alias in binarum medio facile æstimabiles, in 1000. Patet autem satis esse ducere Parallelas re ipsa per partes decimas laterum *DG*, *FH*, & reliquarum notare puncta, ut dictum est. In hac ergo Scalâ sumi possunt imperatae partes 1000.<sup>mz</sup> lateris *DF*, quæ duplicatae erunt totidem partes radii Disci dupli ipsius

fius  $DF$ . Cum ergo ad rem nostram geometricè expediendam satis sit supponere radium Disci partium 1000 (minutiores enim circinus non discriminat, nisi radius sumatur longissimus), & idem radius semper notus esse debeat in minutis, & secundis, ut inferius patebit; datis cuiusvis linea rectæ minutis, per regulam auream sciri potest quot partibus millesimis radii Disci respondeant. Nam si minuta tam radii Disci, quam data in ea vel alia linea, resolvantur in minuta secunda, si haec tam radii, quam datorum quantitatî adhæreant, ut plerumque, & minutorum secundorum datae linea numerum auctum tribus dividâs per numerum secundorum totius radii, quotus erit numerus quæsitus. Cùm ergo partes inventæ accipi possint è Scala, ac duplicatae abscindi in rectis in Disco datis, patet propositum. Similiter si detur in Disco linea ignota, & ejus seimissis applicetur Scala, scietur quot partes millesimas radii Disci contineat. Quæ omnia Geometriæ non ignaris perspectiora sunt, quam ut poscant hic ulterius declarari. Patet ergo finis & utilitas totius instrumenti. Quod erat &c.

*Coroll.* Quoniam pro angulorum, seu mensurâ, seu constructione perinde est, quo radio arcus describatur; per hoc instrumentum quicumque, in quovis genere anguli mensurari itemque arcus possunt; & quidem exactius, quam per quadrantes manuales, quorum communior est usus.

### S C H O L I U M.

Pro sinibus respectivè ad diametros minimas Ellipsium, aptius erit pro re natâ delineare in chartâ triangulum æquilaterum, quod facillimè ita fit.

Ductis utcumque normalibus  $AB, CD$  radio quovis non minore sinu datae Solis declinationis, describatur semicirculus  $ADB$ , qui in 24 partes æquales secetur pro 24 semihoris. Puncta  $A$ , &  $B$  tribuantur horis 6, & 18; punctum  $D$  horis 24, & 12; & agantur chordæ per puncta

F

cta

et utrinque à  $D$  æquè remota, quarum notentur concursus cum radio  $CD$ . Super  $CD$  perficiatur triangulum æquilaterum  $C4D$ , & ex vertice  $4$  agantur rectæ ad singula puncta notata in  $CD$ . In  $CD$  habentur, ut patet, sinus complementi horarum: absolutumque est instrumentum. Usus is erit in lateribus  $4C$ ,  $4D$  ex punto  $4$  abscindatur semidiameter minima petitæ Ellipsis, puta  $4e$ ,  $4f$  pro Äquatore figuræ septimæ, æquales semidiametro minimæ  $Ta$ , vel  $Tb$ :  $4g$ ,  $4h$  semidiameter minima Paralleli  $gk$  æqualis  $on$ , seu  $od$ . Junctæ  $ef$ ,  $gh$  erunt prædictæ Semidiametri minimæ sectæ in sinus petitos, quod similiter ostenditur, ac supra in Rhombo. Poterit etiam hujusmodi triangulum fieri in uno è vacuis præcedentis instrumenti, ut figura ostendit, cuius basis sit chorda in semicirculo Grad. saltem  $23^{\circ}30'$ ; aut etiam  $30$  grad., & usui esse poterit semper, modò rectæ  $e$ ,  $f$  &c. hic & nunc necessariæ, ducantur delebiles.

Usus instrumenti ex ostensis satis patet: præcipue pro describendis Ellipsis; E radio dati Paralleli intra Rhonbum (ducendo nisi extet) transferantur intervalla, e semiradio ad sinistram, in diametrum maximam Ellipsis petiti Paralleli, utrinque ab ejus centro; intervalla vero Semiradii in alterâ parte transferantur, ac notentur è punctis jam notatis horarum  $2$ , &  $22$ , versus diametri extrema. Eadem intervalla transferantur etiam simul in aliquam parallelam dictæ diametro maxime. Per puncta cognomina utriusque parallelæ applicita Regula exhibebit chordas Paralleli. In his utrinque à diametro maxima, abscindantur sinus complementi horarum, ad quas chorda pertinet, qui sinus habentur in semidiametro minima ducta in præcedenti triangulo, quod fiet, si posito circino in concursu Regulæ cum Diametro maxima, aperitur sinus complementi notetur punctum ponè Regulam ad partes arcus diurni Ellipsis. Sufficit tamen ad delineandam exactè Eliipsim puncta sic determinare in horis, & semihoris singulis. Descripta Ellipsi, Regula applicita similiter per sinus quadrantum &c. dabit eo ipso

co-

eorum puncta in arcu Ellipsis. Reliqui usus patebunt per partes inferiùs.

Plerique non Rhombo utuntur, sed trigono æquilatero super latere æquali radio Disci, intellectis horis duplici opposita serie. Res eodem recidit, sed longiore circino, majorique hujus diductione pro usu opus est, ut & pro constructione, & insuper instrumenti moles ferè dupla erit. Quare saltem propter commodum, proxim propositionis præhabeo. Utramlibet præoptes, utriusque constructionem, & usum habes hic.

### PROPOSITIO XI. THEOR. V.

*Apparentia axis Orbitæ Lunaris in Disco Terraæ est linea recta normalis ad communem Disci cum Orbita sectionem, facitque cum axe Eclipticæ angulum æqualem angulo Eclipticæ & Orbitæ in Plano Disci.*

**E**sto Discus Terraæ  $l A o B$ , qui extensus usque ad Cælum Lunæ faciat planum circuli maximi  $L E O F$ . Circulus longitudinis Solis esto  $L S O$ , & Sol in  $S$ : nempe radio centrali  $S T$  Eclipticam rectam ad circumflexum longitudinis exhibeat recta  $S E$ . Sit primò Sol in nodo, seu communis concursu Eclipticæ cum Orbita; patet Orbitam transire per  $S$ . Ea ergo sit  $C S D$ , quæ ad Discum recta erit, cum transeat per polum ejus  $S$ . Cum verò Orbita ad Eclipticam inclinata sit, illius communis sectio cum Disco, non erit eadem ac  $F E$  communis Eclipticæ cum Disco sectio. Sit ergo Orbitæ, & Disci communis sectio  $C D$ . Agatur in Disco recta  $p Tr$  ad  $CD$  normalis.

*Demonstratio.* Quoniam tam Ecliptica, quam Orbita transeunt per  $S$ , earum communis sectio est  $ST$  ad Discum [19. 11. Euclid.] normalis; ideoque etiam ad  $p Tr$ . Sed  $p Tr$  facta est normalis ad  $CD$ : ergo

normalis est [4. 11. Euclidis] ad planum Orbitæ, in quo sunt  $S T$ ,  $CD$ : cùm ergo transeat per  $T$  Orbitæ centrum; est  $p r$  axis Orbitæ jacens in ipso Disci plano in casu hoc. Est autem  $L TO$  [2. huj.] axis Eclipticæ, & anguli  $A TO$ ,  $D Tr$  ambo recti: ergo ablato communī  $DT\alpha$ , remanent  $\alpha TD$  angulus Eclipticæ cum Orbita, &  $O Tr$  angulus axium Eclipticæ, & Orbitæ æquales. Quod est primum.

II. Sit Sol extra nodum, qui sit in  $\Omega$ , quare non transibit Orbita per  $S$ , sed alibi secabit circulum  $L SO$ . Secet in  $\Delta$ , sitque communis sectio Orbitæ cum Disco recta  $C TD$ , & cum circulo  $L SO$  recta  $\Delta T$ . Esto axis Orbitæ  $\alpha TX$ , qui non jacebit in plano Disci, cum angulus  $\Delta T \alpha$  rectus sit, angulus autem rectus  $\Delta T$  obliquus ad Discum, cum Disci plano sit obliquus, nempe ad partes  $\alpha$  major recta quantitate latitudinis Orbitæ, nempe  $S \Delta$ , ad alias partes eadem quantitate minor. Intelligatur per  $\alpha X$ ,  $S T$  planum, quod [18. 11. Euclid.] tam ad Discum, quam ad Orbitam rectum erit. Agatur in Disco recta  $p Tr$  ad  $CD$  normalis.

*Demonstratio.* Planum per  $\alpha X$ ,  $S T$  parallelum est radiis Solis centralibus; ergo ejus consequenter, & axis Orbitæ in eo jacentis, apparentia in Plano Disci est linea recta transiens per  $T$ . Quoniam autem tam Discus, quam Orbita normales sunt ad illud planum, Disci, & Orbitæ communis sectio  $CD$  [19 11. Eucl.] ad illud planum, & ad hujus cum Disco communem sectionem recta erit. Quare  $p r$  per constructionem recta ad  $CD$ , in  $T$  erit plani illius cum Disco communis sectio, ideoque axis Orbitæ apparentia, &, ut in primo casu, angulus axium  $O Tr$  angulo  $FTD$  Eclipticæ cum Orbita in Disco æqualis. Quod erat alterum. Apparentia ergo axis Orbitæ &c. Quod erat &c.

*Coroll.* Sequitur hinc, quòd sicut in 2<sup>a</sup>. hujus ostendimus de axibus Æquatoris, & Eclipticæ, quod angulum habeant maximum in Disco, hoc est æqualem inclinationi

nationi Eclipticæ ad Äquatorem , cùm Sol est in punctis Äquinoctialibus , qui dici possunt nodi Äquatoris , & Eclipticæ , minimum verò , hoc est nullum , cùm Sol est in Solsticiis , quæ sunt limites Eclipticæ , eo quod circulus longitudinis transeat per polos tam Äquatoris , quām Eclipticæ , ideoque utrumque axem habeat in suo plano , ideoque uterque in Disco appareat in eadem rectâ , in qua ipse circulus longitudinis ; ita hīc similiter angulus axium Orbitæ , & Eclipticæ tunc maximus est in Disco , nempe æqualis inclinationi Orbitæ ad Eclipticam tam in Disco , quām in Sphæra [arcus enim  $F D$  in primo casu propositionis , tam rectilineum  $F T D$  , quām sphæricum  $F S D$  metitur] cùm Sol est in ipsis nodis ; minimus verò , hoc est nullus , cùm Sol est in circulo longitudinis transeunte per limites Orbitæ . Cum enim circulus talis longitudinis distat a nodis quadrante Eclipticæ , in illis nodus habet suos polos , & cum eos transeat etiam Orbita , habet polos etiam in Orbita : Ergo [Coroll. 15 i. Theod.] circulus ille longitudinis vicissim transit per polos Eclipticæ & Orbitæ , consequenter utrumque axem habet in suo plano , qui ambo proinde in eadem linea  $L O$  in Disco apparebunt . Ex quo patet eorum axium angulum eo majorem esse in Disco , quo Sol proprius a nodis distat , & eo minorem , quo longius . Quia autem in Eclipsibus Sol aut in nodo est , aut parùm inde abest ; hinc tunc ille angulus , aut maximus est , aut non multo minor . Quando autem axis Orbitæ orientalior in Disco sit axe Eclipticæ , aut occidentalior , dicetur in Coroll. post 16. hujus .

## S C H O L I U M.

In Eclipsibus ad majorem facilitatem supponi solet Sol quasi toto Eclipse tempore fixus in eodem Cæli punto , nempe perinde , ac si motu proprio careret , Luna

na autem ab eo moveri, vel ad eum, motu differentiæ, inter motum Solis proprium, & Lunæ item proprium, ut re ipsa appareret a spicenti Lunam è Sole. Hinc fit tam angulum  $F T D$ , seu æqualem  $C T E$ , quam  $\circ T r$  paulo maiores apparere. Enim verò facta demonstratio à nullâ determinatâ quantitate anguli  $C T E$  pendet: quare id veritati Theorematis, ejusque Demonstrationi nil detrahit.

## PROPOSITIO XII. PROBL. VII.

*In Syzygiis dato vero loco Solis in Ecliptica, loco nodi proximi, & angulo inclinationis constantis Orbitæ veræ ad Eclipticam, angulum verum axium Eclipticæ, & Orbitæ querere.*

*Fig. ead.*

I. **S**int Sol, & Luna in ipso nodo. Facta constructione, ut in propositione præcedenti,  $S E$ ,  $S C$  sunt quadrantes: ergo arcus  $C E$  est mensura anguli  $C S E$  sphærici Eclipticæ cum Orbita; idem autem  $C E$  metitur angulum rectilineum  $C T E$ , cui ostendimus æqualem [præced.] angulum  $\circ T r$ : ergo in hoc casu quæfitus angulus axium dato angulo inclinationis est æqualis.

II. Esto nodus in  $\wp$ , Sol in  $S$ , Luna in  $C$ . Quoniam Solis &  $\wp$  loca dantur, notus est arcus  $S \wp$ , ejusque complementum  $\wp E$ ; datur etiam angulus  $C \wp E$  inclinationis Orbitæ ad Eclipticam; & angulus ad  $E$  rectus: ergo per trigonometriam reperietur  $C E$  mensura anguli  $CTE$ , hoc est æqualis  $\circ T r$  quæfiti; si fiat, ut sinus totus ad sinum arcus  $\wp E$ , ita tangens anguli obliqui dati  $C \wp E$  ad tangentem arcus  $CE$ . Ex. gr. *Hirius* statuit angulum ad  $\wp$  conanter Gr.  $5^{\circ} 1' 30''$ . In exemplo in superioribus proposito, locus verus Solis est  $S. 112^{\circ} 39' 46''$ ; locus  $\wp$   $S. 713^{\circ} 17' 33''$ : ergo locus  $\wp S. 113^{\circ} 17' 33''$ ; ex quo subtracto loco Solis, inveni-

venitur  $S \wp$   
 $37^\circ 47''$ : Er-  
 go  $\wp E 89^\circ$   
 $22^\circ 13''$ . Fiet  
 ergo calculus,  
 ut in apposito  
 exemplo.

$\wp E$ Gr. $89^\circ 22' 13''$ . fin. log. —	9.9999737
Gr. 5. 1° 30''.	—
Quæ sit C eð Gr. 5° 1° 28''.	tl. 8.9441289

*Coroll.* Cum sciri possit maxima Luninarum à no-  
 dis distantia, in qua contingere possit Eclipsis, facile  
 hac viâ parari potest Tabula angulorum axium Eclipticæ,  
 & Orbitæ ad dena minuta usque ad eam maximam di-  
 stantiam.

### S C H O L I U M.

Inclinatio Orbitæ veræ ad Eclipticam aliis alia pla-  
 cet; licet de constanti parùm discrepant. An hæc vel illa  
 præhabenda, tantum per observationes decerni potest:  
 ratio tamen calculi semper in quavis hypothesi eadem.

### PROPOSITIO XIII. PROBL. VIII.

*Data in Syzygiis inclinatione veræ Orbite ad  
 Eclipticam, nec non distantia Lunæ à nodo  
 proximo, veram Lunæ latitudinem determinare.*

**S**i nodus, & Luna in  $S$ , patet nullam esse latitudi-  
 nem. Esto ergo nodus in  $\wp$ , & Luna in  $C$ , lati-  
 tudo erit  $S C$ . In triangulo sphærico  $S \wp C$ , præter an-  
 gulum rectum ad  $S$ , datur obliquus ad  $\wp$ , & hypothe-  
 nusa  $\wp C$ , distantia Lunæ a nodo: ergo invenietur  $S C$   
 omnino ut in  
 7.huj. declina-  
 tio Solis. In  
 eodem exem-  
 plo. Locus Lu-  
 nae in Orbita  
 est  $S 1 12^\circ 39' 37''$ , locus  $\wp S 1 13^\circ 17' 33''$ . Ergo  $\wp$   
 $C$  est  $37^\circ 56'$ . rotundè  $38^\circ$ . Sic ergo erit calculus.

*Fig. ead.*

$\wp C 38^\circ$ ————— fin. ————— l. 8.0435009
$S \wp C 5 1 30''$ . ————— fin. ————— l. 8.9424568
Quæ sit $S C$ fin. l. 3° 20''.

SCHO-

## S C H O L I U M.

Extra Syzygias , propter variationes , quæ se se immissent , latitudo simplex hoc modo reperta , corrigenda adhuc est . De quo vide apud Astronomos . Ceterum problema solvi poterat etiam per data in Propositione præcedenti . Nam si Log. tangentis anguli dati ab  $\mathcal{V}$  addas separatim Log. sinūs arcūs  $\mathcal{V}E$ ; & Log.  $\mathcal{V}S$  datorum , summa prior , abjectā i sinistima dabit angulum axium , ut in propositione præcedenti : posterior similiiter multata , erit T. log. latitudinis quæsitæ  $S\mathcal{C}$  .

## PROPOSITIO XIV. THEOR. VI.

*In Eclipsibus latitudo centri umbræ, seu penumbrae lunaris in Disco Terræ æqualis ad sensum est latitudini veræ Lunæ .*

*Fig. ead.*

**S**I latitudo Lunæ nulla sit , ejus centrum erit in linea  $ST$  , ideoque umbræ centrum cadet in  $T$  centrum Disci , nullamque similiter habebit latitudinem .

Esto Luna in  $\mathcal{C}$  , in latitudine  $S\mathcal{C}$  . Per Lunæ centrum sit radius è centro Solis  $\mathcal{C}G$  ; qui cum sit in plano circuli longitudinis  $LO$  , necessariò incident in axem Eclipticæ  $LO$  , sive intra Discum , sive extra , si latitudo Lunæ major fuerit radio Disci . Incidat in  $G$  .

*Demonstratio.*  $ST$  ,  $\mathcal{C}G$  ambae ad Discum rectæ sunt [6. 11. Euclid.] parallelae ; & [29. 1. ejusd.] anguli alterni  $ST\mathcal{C}$  ,  $G\mathcal{C}T$  æquales : ergo latitudo  $S\mathcal{C}$  , quæ in Eclipsibus Terræ vix pertinget ad  $93'$  , differt à  $TG$  quantum a suo sinu , nempe insensibiliter . Nam chorda gr. 1.  $34'$  , seu  $94'$  major est sinu ejusdem arcū  $\frac{25}{1000000}$  , hoc est  $\frac{1}{40000}$  sinū totius . Ergo arcus ille sua chorda insensibiliter major paulo plus excedit suum sinum . In latitudine autem minori , excessus ille semper minor est : ergo pro æqualibus haberí possunt . Quod erat &c.

*Coroll.*

*Coroll.* Quoniam arcus totus  $S\mathbb{C}$  non differt sensibiliter à totâ  $TG$ , multò minus different sensibiliter amborum partes similes. Sinum ergo latitudinis  $\mathbb{C}$  in Disco tutò licet in tot partes æquales dividere, aut divisum supponere, quot minuta, aut secunda habet latitudinis arcus  $S\mathbb{C}$ . Eadem ratione radius Disci secari potest in tot partes æquales, quot habet minuta Parallaxis  $\mathbb{C}$  horizontalis, vix excedens  $62'$ : ei enim æqualis supponi debet radius Disci; cùm tantus è Luna appareat, consequenter relativè ad Lunam tantus sit. Similiter eâdem de causâ dividi possunt aliæ rectæ quæcumque in Disco Terræ.

## PROPOSITIO XV. THEOREMA VII.

*Apparentia Orbitæ Lunaris in Disco Terræ  
est linea recta vel verè, vel saltim  
ad sensum, & ad axem Orbitæ  
perpendicularis.*

I. **S**yzygia contingat in ipso nodo. Orbita  $CSD$  in *Fig. ead.* Disco (11. huj.) est  $CTD$  ad axem  $p\ r$  normalis, & (Coroll. 3. primæ huj.) linea recta.

II. Syzygia non fiat in nodo; sed Orbita fit  $C\mathbb{C}D$ ; apparentia Orbitæ in Disco (Coroll. 2. sextæ huj.) erit Ellipsis  $CGD$ , utique acutissima, cum ejus diameter maxima sit diameter Cæli Lunaris  $CD$ , minima verò dupla rectæ  $Te$  adhuc minor quam duplum latitudinis, quæ in latitudine in Eclipsibus maxima vix est  $\frac{1}{60}$  diametri Cæli Lunaris. Itaque Ellipsis illius Segmentum circa medium, quod appetet in Disco Terræ, non differt sensibiliter à linea rectâ; cum neque differat arcus similis Ellipsis Äquatoriae in Disco Terræ, cuius diameter maxima circiter  $\frac{1}{60}$  Diametri Cæli lunaris, si declinatio non superet tres, aut quatuor gradus. Quo major autem est proportio Dia- metri minimæ ad maximam, eo magis Ellipsis circa me-

dium defle&tit à linea rectâ , & eo minus , quo minor . Pote& ergo Segmentum dictum illius Ellipsis tutò pro recta ad sensum haberi ; & quia utrinque ad axem Orbitæ , qui & Ellipsis axis minor est , æquabiliter se habet , angulos utrinque æquales facit , ideoque ad sensum rectos . Quod erat ostendendum .

*Coroll. I.* Quia *Tr* in Disco est axis Orbitæ , *TG* latitudo Lunæ , seu umbræ &c. , si in axe Eclipticæ abscindatur *TG* sinus datae latitudinis in partibus radii Disci , & per *G* ad *Tr* agatur linea ad rectos angulos , hæc erit apparentia Orbitæ in Disco . Si latitudo nulla sit , ea normalis transibit per *T* , erit nempe , ut in primo casu , recta *CTD* .

*II.* Quia in trigono *T e G* ad e rectangulo , hypothenusæ *TG* ( 18 , & 32. 1. Euclid. ) major est *T e* , summa autem Eclipsis Terræ sit , cum minima est distantia centrorum Disci , & penumbræ , patet summam Eclipsim tunc solùm convenire in idem momentum cum vera Syzygia , cum *G* est in *T* , hoc est Syzygia fit in ipso nodo : aliàs summa Eclipsis præcedet , aut subsequetur , prout axis Orbitæ occidentalior fuerit , aut orientalior axe Eclipticæ .

*III.* Quia centrum Lunæ semper est in sua Orbita , & centrum penumbrae in recta è centro Solis per centrum Lunæ ; patet centrum penumbrae in Disco non recedere ab apparentia Orbitæ , & in ea pari passu procedere ab occasu in ortum , quo Luna à Sole in sua Orbita . Hinc in Disco *Via Luna* , *via penumbra* , *Orbita Luna* sunt Synonyma . Quod si hæc via fecetur in minuta motus horarii Lunæ à Sole , sciri poterit pro quovis momento dato intra tempus Eclipsis , ubinam fuerit , sit , aut futurum sit centrum penumbrae &c.

## PROPOSITIO XVI. PROBLEMA IX.

*In Syzygia datis veris motibus Solis , & Luna , bujus vera latitudine , cum angulo in Disco inclinationis Eclipticæ , & Orbitæ , inclinationem ap-*

*apparentem Eclipticæ, & Orbitæ, hoc est axium  
earum, nec non motum horarium Lunæ à Sole  
æquabilem in Orbita apparenti determinare.*

**E**sto  $S N$  portio Eclipticæ in Disco,  $S L$  ejus axis; in Tab. V. Fig. 15. momento veræ Syzygiæ Sol sit in  $S$ , Luna in  $L$ , latitudo  $SL$ , nodus proximus in  $N$ , eritque  $LN$  apparentia Orbitæ veræ.  $LH$  sit verus motus horarius Lunæ in Orbita circa Syzygiam,  $Ss$  sit similis motus Solis in Ecliptica. Jungatur  $sH$ , & per  $H$  agatur  $Ha$  parallela ipsi  $NS$ . Fiat  $Hb$  æqualis  $sS$ , & jungantur  $bS$ ,  $Lb$ , quæ producta, si sit opus, fecet  $SN$  in  $n$ . Angulus  $N$  est inclinatio Orbitæ veræ ad Eclipticam in Disco per 10 hujus reperta. Huic æqualis est externus  $LHb$ , propter parallelas  $NS$ ,  $Ha$ : & quia  $Hb$ ,  $sS$  parallelæ sunt, & æquales etiam (33. 1. Euclid.)  $Hs$ ,  $bS$  parallelæ sunt, & æquales. Quoniam una hora ante, vel post Sizygiam Sol est in  $s$ , Luna in  $H$ , amborum distantia tunc est  $SH$ . Quia verò spectans Lunam è Sole, se, & Solem haberet tanquam fixum in  $S$ , & Lunam videret quasi motam motu differentiæ inter  $LH$ ,  $Ss$ ; patet cum Luna est in  $H$  distans à Sole  $s$  recta  $HS$ , videri perinde ac in eadem distantia ab  $S$ , nempe in  $b$ . Itaque via visa Lunæ est  $Lb$ , & videbitur percurrere  $bL$ , dum percurrit  $HL$ , & similiter cum est in nodo  $N$  videbitur esse in  $n$ . Motus ergo horarius visus est  $Lb$ , & nodus apparet in  $n$ : hinc angulus inclinationis Orbitæ visa ad Eclipticam est  $LnS$  major (16. 1. Euclid.) angulo  $N$ . In triangulis  $LNS$ ,  $LnS$  ad  $S$  rectangularis, reliqui duo simul anguli in singulis (32. 1. Euclid.) æquant unum rectum: ergo angulus  $LnS$  tantò major est angulo  $N$ , quanto  $nLS$  minor angulo  $NLs$ , nempe quantitate anguli  $HLb$ , qui additus angulo noto  $N$  dabit quæsumum angulum  $LnS$  inclinationem apparentem Orbitæ ad Eclipticam, hoc est (11. hujus) axis illius ad axem hujus.

*Resolutio.* In triangulo  $LHb$  dantur  $LH$ ,  $Hb$  motus horarii veri Lunæ, & Solis, & angulus interjacens

æqualis angulo noto  $N$ : ergo per trigonometriam repetietur angulus  $HLb$ , & latus  $Lb$  motus æquabilis Lunæ à Sole, quæ duo petuntur. Omnia patent ex constructione, ejusque declaratione. Adjicio formam calculi in consueto exemplo.

$LH$ motus horarius verus	$37^{\circ} 36''$	—	2256
$Hb$ mot. hor. verus Solis	2 25.	—	145
Summa	40	1.	2401
Differentia	35 11.	—	2111
$LHb$ . G.	5 1 <sup>1</sup> 28"		
Summa cæter. G.	174 58 <sup>1</sup> 32"		
Semisumma	87 29 16.		
<hr/>			
Semisum. angulorum Gr.	87 29 16"	T.l.	11.3577862
Differ. motuum	—	2111"	I. 3.3244882
		Summa II.	14.6822744
Sum. mot. 2401" l. subtr.			3.3802922
Semidifferentia — Gr.	87 8 <sup>1</sup> 35"	T.l.	11.3019822
Subtr. ex semisum.	87 29 16.		
Ang. $HLb$	0 20 41.		
Add. ang. $N$	5 1 28.		
Ang. $LNS$	5 22 9. axium Eclip. & Orb.		
Item $LHb$ Gr.	5 1 <sup>1</sup> 28"	fin.	1. 8.9424086
$LH$ .	2256"	—	I. 3.3533391
		Sum. LL.	12.2957477
Subt. $LbH$ . Gr.	174 37 51"	—	I. 89711484
$Lb$ 2111" 32"	—	—	I. 3.3245993
hoc est	35 11" 32"		

Cognitis angulis  $LHb$ , &  $HLb$ , eorum summa, nempe  $LNS$ , dempta ex  $180^{\circ}$ , relinquit angulum  $LbH$  graduum 174 37' 51", quo cognito per secundam analogiam, reperiatur  $Lb$  ut in exemplo. Quod erat &c.

Coroll. Orbitæ cum Ecliptica, & eorum axium inclinationes (I.I.huj.) sunt æquales. Si fiat angulus  $LSM$  æqualis invento  $LNS$ , erit  $SM$  axis Orbitæ in Disco Terræ rectus ad Orbitam apparentem  $LNS$ .

**L n.** Nam angulus  $L S M$  factus est æqualis angulo  $L n S$ , angulus  $M L S$  utriusque triangulo communis est: ergo reliquus  $L M S$  reliquo  $L S n$  recto æqualis. Cum ergo  $M L S$  sit acutus,  $M$  verò rectus,  $S L$ , & alia quævis recta ab  $S$  ad  $L n$ , utrinque ab  $S M$  (18 ac 32. i. Euclid.) major est, quàm  $S M$ : hæc ergo est minima centrorum penumbræ, & Disci distantia, ideoque in  $M$  sit summa Eclipsis: Quia autem  $S M$  necessariò [17. i. Euclid.] cadet ad partes anguli acuti rectæ  $S L$  cum  $L n$ , qui angulus semper est ad partes nodi proximi, ad quas Ecliptica, & Orbita convergunt; hinc si Luna in vera Syzygia sit prætergressa nodum, hoc est si nodus sit Lunâ occidentalior, nempe major sit longitudo vera Lunæ, quàm nodi [movetur enim Luna motu proprio ab occasu in ortum] axis Orbitæ in Disco occidentalior erit axe Eclipticæ in Disci semicirculo boreali, si nodus proximus sit  $\delta$ , in Australi si  $\gamma$ . Sed si Luna nondum nodum attigit, nempe longitudinem habeat minorem longitudine nodi, contrarium fiet, ex eadem ratione. Jam si totum  $L b$  seces in 60 partes æquales, quot harum habebit Segmentum  $L M$ , tot minutis temporis summa, seu media Eclipsis antevertet, aut sequetur momentum veræ Syzygiæ: hinc ex noto veræ Syzygiæ momento per solam additionem, aut respectivè subtractionem patefiet momentum summæ, seu mediæ Eclipsis. Inveniri etiam potest  $L M$  quantitas per scalam geometricam in nostro instrumento: nam si quæras quot particulas millefimas radii Disci habeat tota  $L b$ , & quot  $L M$ , si fiat ut particulæ totius  $L b$  ad particulas  $L M$ , ita 60 ad 4.<sup>m</sup>: hic erit, quod quæritur. Verùm cum latitudo Lunæ modica est, ut in proposito exemplo, præstat trigonometricè resolvere trigonum  $L M S$ , in quo præter angulum rectum ad  $M$ , notus est angulus ad  $S$  cum hypothenusa  $S L$ , cuius resolutionis exemplum extat in 20. hujus sequente.

## S C H O L I U M.

Angulus  $HLb$  nunquam pervenit ad  $30'$ , quare  $Lb$  vix differt ab  $LH$  dempto motu Solis, nempe  $Hb$ , ut patet ex secunda analogia propositi exempli. Hinc *Hi-rius* utitur motu vero Lunæ à Sole, quod citra errorem sensibilem fit, saltem in latitudine Lunæ non magna.

Dicta in Corollariis hujus, & præcedentis de summa Eclipsi, intellige de Eclipsi Terræ [aut etiam Lunæ, cui servatis servandis eadem methodus inservit, ut suo loco patebit]. At si sermo sit de occultatione Solis post Lunam, cum hæc absoluta non sit, & universalis, sed respectiva, ac diversis in locis terrestribus diversa, aut etiam nulla, cum alibi est summa &c; pro statuendo momento summæ occultationis non attendenda est distantia vera, & absoluta minima centrorum Solis, & Lunæ; sed respectiva, & optica, hoc est quæ in his, vel illis locis appareat. Hæc tamen ipsa ex Typo Eclipsis Terrestris in 18<sup>a</sup> sequenti, juxta datam doctrinam, describendo, nullo negotio per praxes inferius dandas determinabitur.

## PROPOSITIO XVII. PROBL. X.

*Preparanda ad Typi Ecliptici descriptionem.*

I. **M**ethodo communi determinetur momentum veræ Syzygiæ tempore vero pro dato loco Terrestris determinato; & pro eodem momento loca vera Solis, & Lunæ, argumentum verum latitudinis, & [13. hujus] Lunæ vera latitudo. Syzygia pro Eclipsi Terræ est novilunium, pro Lunæ plenilunium.

II. Methodo item communi determinentur motus horarii veri Solis, & Lunæ, & (per præced.) angulus apparenſ Axium Orbitæ, & Eclipticæ, & eorum plaga; nec non motus horarius æquabilis Lunæ à Sole in Orbita apparenti.

III. Determinetur (3. hujus) angulus axium Eclipticæ,

pticæ, & Æquatoris, & (4. huj.) eorum plaga, & (7. huj.) Solis declinatio.

IV. Determinentur item methodo communi Semidiametri apparentes Solis, & Lunæ, Semidiameter penumbræ correcta, Parallaxis Lunæ horizontalis, cui supponitur æqualis radius Disci. His paratis, facile Typus describitur, pro quo ad majorem claritatem pono hic duo exempla realia.

An. 1734. Novilunium Eclipticum contingit die tertia Maji, & juxta Tabulas Hirii Pekini accidit h. 5. 59<sup>1</sup> 56<sup>11</sup> à Mer. tempore vero. Argumentum latitudinis invenitur S. 5. 39° 21' 57". Necessariò ergo est Eclipsis, quæ contingit Luna descendente ad 28 in latitudine initio boreali decrescente; at post transgressum nodum transibit in austrialem crescentem; sed id fieri post verum Novilunium. Itaque præparatio erit, ut sequitur.

## EXEMPLUM I.

An. 1734. Pekini ♀ verum Maji d. 3. h. 5. 59<sup>1</sup> 56<sup>11</sup> seu h. 6. à Mer. tempore vero.

Loca vera Solis, & Lunæ S. 1 12° 39' 46" X 12° 39' 46"

Declinatio Solis Borealis G. 15 40' 40"

Argumentum latitudinis S. 5 29° 21' 57"

Latitudo ☽ bor. decresc.

3 20. —— 200"

Motus horarius ☽ verus

37 36. —— 2256

Horarius Solis verus

2 25. —— 145

Horarius verus ☽ à Sole

35 18. —— 2118

Idem in Orbita apparente

35 11 32" —— 2111. 32"

Angulus axium Eclip. & Orbitæ Gr. 5 22' 9" Axis Orbitæ ad bor. Orientalior.

Angulus axium Äquin. & Eclip. Gr. 17-43. 52. Axis Eclip. ad bor. Occidentalior.

Diameter Solis apparet.

31 51. —— 1911"

Diameter Lunæ apparet.

33 11.

Summa Diametrorum

65<sup>1</sup> 2"

Semifum. radius penumbræ.

32 31.

Radius penumbræ correctus.

32 1. —— 1911"

Parallaxis Lunæ horizontalis)

60 53. —— 3653

(radius Disci)

An.

An. 1735. fiet ♂ die 15. Octobris, quod Pekini incidet in horam 22. 19<sup>h</sup> 2<sup>m</sup> à Mer. tempore vero hoc est civiliter, die 16. hor. 10. 19<sup>h</sup> 2<sup>m</sup> à M. N. Argumentum latitudinis S. o 7° 3' 43": erit ergo Eclipse necessariò, quæ continget Lunæ prætergressa ♀, ideoque in latitudine Boreali crescente. En præparationem.

## EXEMPLUM II.

An. 1735. Pekini ♂ ver. tempore vero Octobris 15 22<sup>h</sup> 19<sup>h</sup> 2<sup>m</sup> à Mer.  
scu d. 16 10h 19<sup>h</sup> 2<sup>m</sup> à M. N.

Loca vera Solis, & C S. 6 22° 14' 29" ♀ G. 22 14<sup>h</sup> 29<sup>m</sup>,  
Declinatio Solis Australis Gr. 8 40' 51"

Argumentum Latitudinis S. o 7° 3' 43"

Latitudo Lunæ boreal. cresc. 37 I. — 2221"

Motus horarius C verus. 35 13.

Horarius verus Solis. 2 29.

Horarius verus C à Sole 32 44. — 1964" haberi potest pro æquabili.

Angulus axium Äquatoris & Eclipticæ G. 21 55' 17" Axis Eclipticæ Orientalior.

Angulus axium Eclipticæ & Orbitæ G. 5 23' 33". Axis Orbitæ Occidentalior.

Diameter Solis	32 17.	—	1937"
----------------	--------	---	-------

Diameter Lunæ	32 9.	—	
---------------	-------	---	--

Summa Diametrorum	64 26.	—	
-------------------	--------	---	--

Semisumma radius penumbræ	32 13.	—	
---------------------------	--------	---	--

Correktus	32 43.	—	1903"
-----------	--------	---	-------

Parallaxis C horizontalis radius Disci	58 58.	—	3538"
--	--------	---	-------

## PROPOSITIO XVIII. PROBL. XI.

*Typum Eclipseis Terrestris delineare.*

Tab. V. Fig. 16.  
Tab. VI. Fig. 17.

**D**uctis rectis ad invicem normalibus B A, oo, T puncto concursus, ut centro, radio assumpto ex instrumento propositionis decimæ, describatur pro Disco Terræ circulus, in quo BA sit meridiana, oo diameter Äquatoris. Ducatur (4. huj.) TE axis Eclipticæ, qui in figura decimafesta, quæ est pro primo exemplo erit ab

ab  $TB$  ad occidentalem plagam, in figura decimaseptima pro secundo erit ad orientalem. Chordam arcus  $BE$  prædictum instrumentum suppeditat, quod nota pro similibus. Agatur item axis  $TO$  orbitæ apparentis in primo exemplo orientalior, in secundo occidentalior  $TE$  axe Eclipticæ. In partibus radii Disci millesimis quærantur quot earum convenient minutis latitudinis Lunæ; ut in primo exemplo fiat, ut  $3653''$  parallaxis horizontalis ad  $1000$  radium Disci, ita latitudo Lunæ  $200''$  ad quartum: inveniuntur partes  $54, 75$ . In secundo exemplo, ut  $3538$  ad  $1000$ , ita  $2221$  ad quartum: inveniuntur partes  $627, 76$ . prope. Inventarum partium duplum, (si non excedet  $1000$ , ut in primo exemplo sunt partes  $109 \frac{1}{4}$ ) accipiatur Scalâ geometricâ, & abscindatur à  $T$  versus  $E$  in axe Eclipticæ, quoniam latitudo datur Borealis, (infra  $T$  abscindendum esset in  $TE$  producta, si daretur australis) & habebitur punctum  $L$  latitudo centri penumbræ in momento veri novilunii. In secundo exemplo acceptis e Scalâ inventis particulis, fiat  $TL$  earum dupla; & habebitur similiter punctum  $L$ . Per  $L$  demittatur ad  $TO$  axem orbitæ perpendicularis  $NLQ$ , eritque Orbita Lunæ apprens utrinque extra Discum producenda; & punctum, ubi ea fecat  $TO$ , est punctum, in quo fit summa Eclipsis Terrestris.

Præterea, similiter, ac supra pro latitudine, quærantur partes millesimæ radii convenientes motui horario dato Lunæ à Sole. In primo exemplo inveniuntur partes  $578$ , in secundo  $555$ . Quia radius Disci duplus est lateris scalæ, hæ particulæ è scala excerptæ erunt motus  $\frac{1}{2}$  horæ. Si & verum incidat exactè in horam integrar, aut semihoram, ut in primo exemplo in hor.  $6$ , intervallo partium inventarum (scilicet h̄c  $578$ ) abscindantur utrinque ab  $L$  in Orbita  $5$  aut  $6$  intervalla æqualia, quorum singula erunt spatium, quod centrum penumbræ intra semihoram percurrit. Semihoris bifariam sectis habentur quadrantes; his trifariam sectis, habentur quina minuta, quorum singulis intervallis sectis in

H quin-

quinque partes æquales, secta erit Orbita in singula minuta motus horarii apparentis Lunæ in Orbita; seu centri penumbræ. Puncto  $L$  adscribatur hora veri Novilunii, in exemplo h. 6, cæteris ordine suo, nempe ab  $L$  ad sinistram 5, 4, 3, &c. Ad dexteram 7, 8, &c. si hora & veri non sit hora, aut semihora integra, aut etiam quadrans, ut in secundo exemplo h. 22 19', quia defunt ad h. 22 30' minuta 11; fiat, ut 30' ad 555, ita 11 ad quartum: inveniuntur partes  $20\frac{3}{4}$  convenientes 11 minutis motū, quæ absindantur ab  $L$  ad dexteram, quoniam h. 22 30'. posterior est h. 22 19'. Ex harum termino, qui, ut patet, spectat ad horam 22 30', perficiatur divisio, ut in priori casu.

Tandem querantur similiter partes millesimæ convenientes radio correcto penumbræ. In primo exemplo sunt 526 ferè, in secundo 538 ferè. Earum duplum accipiatur è scala, tum radio composito ex iis partibus, ut dictum est duplicatis, & radio Disci, ex centro  $T$  secatur Orbita in punctis  $N$ , &  $Q$ ; perfectusque erit Typus, cuius constructio ex demonstratis plenè patet; usus mox patebunt.

### S C H O L I U M.

Sunt, qui radium Disci secant in tot partes æquales, quot habet minuta Parallaxis horizontalis; & in eâ sic divisa accipiunt minuta latitudinis, motus horarii &c. Sed res minus exacta est, & molestior præfertim si data Parallaxis habeat adnoxia secunda non admodum pauca ultra, aut citra minuta prima, aut si minutorum numerus sit primus, ut in secundo exemplo est m'. 59'. Per Scalam autem geometriam res exactissimè, & facillimè expeditur.

PRO-

## PROPOSITIO XIX. PROBL. XII.

*Pbases Eclipsis Terrestris ex Typo  
per circinum determinare.*

I. **S**ummae Eclipseis momentum dat punctum  $M$  con- Figura eadem.  
cursus Orbitæ cum suo axe (16. hujus) quod ex  
Orbita in horas divisa notum est. Si centro  $M$  radio pe-  
numbræ circulus describatur, is erit phasis summae Ecli-  
psis. Si is circulus totus cadit intra Discum, ut in figura  
16, contingit totalis immersio; sin minus ut in figura  
17, non contingit. Pariter si punctum  $M$  est intra Dis-  
cum, cum nempe latitudo Lunæ non superat radium  
Disci; centrum penumbræ Terram ingreditur, & ali-  
cubi Sol centraliter occultabitur: contra si  $M$  sit extra.  
Momenta initii, & finis Eclipseis Terræ dant puncta  $N$ ,  
&  $Q$ , nempe  $N$  initium,  $Q$  finem, ambo nota ex ho-  
ris Orbitæ: & Tempus ab initio ad finem usque dat to-  
tam durationem. Si omnia diligenter descripta sint,  
necessariò  $NM$  æqualis est  $MQ$ : nam ductis  $TN, TNQ$ ,  
ex constructione æquibus, anguli  $TNM, TQM$  (5. 1. Euclid.) æquales sunt; item anguli ad  $M$  recti æ-  
quales: ergo (26. 1. Euclid.)  $MN, MQ$  æquales:  
Hinc momenti mediae, & summae Eclipseis idem est. Si-  
militer si petantur momenta totalis immersionis, & initii  
emersionis, abscindatur in radio Disci radius penum-  
bræ: intervallo residui ex centro  $T$  notentur in Orbita pun-  
cta  $C, D$ , eritque  $C$  momentum totalis immersionis,  $D$   
initium emersionis,  $CD$  tempus moræ umbræ totalis in  
Terra, quod similiter patet dividi bifariam in  $M$ . Pun-  
cta, ubi Orbita utrinque secat perimetrum Disci, sunt  
momenta, quibus centrum penumbræ ad plagam Occi-  
dentalem Terram intrat, ad Orientalem deserit. Puncta  
 $I$ , &  $F$ , ubi rectæ  $TN, TQ$  eundem perimetrum secant,  
sunt loca, in quibus penumbra primò Terram mordet in  
 $I$ , ultimò deserit in  $F$ , nempe in  $I$  primò videtur Ecli-  
pis, in  $F$  ultimo videri desinit.

Quantitas summae Eclipsis habetur, si axis Orbitæ secetur in partes æquales, qualium radius penumbræ habet 6 inchoando à puncto O, si ipsum versus sit Lunæ latitudo, alias ab opposito. Hæc divisio continuanda, donec totam penumbræ in terra diametrum transcendat. Limes penumbræ centro T propinquior ostendet Eclipsis summae digitos. In primo habentur dig. 16 & 44' circiter; in secundo dig. 10 7' circiter. Si radium totum TN minus successivè digito 1, 2, 3 &c., quandiu residuum non fiat minus quam TM; & intervallo residui notentur ex T utrinque puncta in Orbita, scietur quo tempore Eclipsi sit 1, 2, 3 &c. digitorum.

An intra penumbram umbra pura terram attingat, scietur ex datis diametro Solis, & radio penumbræ. Si radius penumbræ major sit diametro Solis, datur umbra pura, cuius latitudo in Terra dupla est excessus ejus radii supra diametrum Solis: ut in primo exemplo excessus est 10"; ergo umbra pura habet 20" decem hinc, decem inde ab Orbita. Si dicta diameter, & radius sint æquales, umbra pura erit unicum punctum, cuius via est ipsa Orbita. Sed si radius penumbræ minor sit diametro Solis, ut in secundo exemplo, non erit in Terra umbra pura. Itaque si ex punctis, in quibus circulus penumbræ in summa Eclipsi secat axem Orbitæ, absindantur orbitam versus diameter Solis in partibus millesimis radii Disci accepta; & per extrema segmentorum utrinque ab Orbitæ linea ducantur duæ parallelæ ipsi Orbitæ, Zona his Parallelis inclusa erit in primo casu spatium totum terrestre, quod umbra pura attingit. In secundo casu, ut dictum est, umbra pura est in sola Orbita. In tertio casu aliud habet usum ea Zona, ut inferius dicetur. Tandem per concursum intra Discum penumbræ cum axe Orbitæ in summa Eclipsi, si ducantur tangentes circulum penumbræ (hæc unica erit, cum umbra non tota immergitur) haec tangentes determinabunt totum Telluris spatium, quod patitur Eclipsem. In primo exemplo spatium hoc duabus tangentibus clauditur in secundo unica, & peri-

me-

metro Disci ex altera parte. Extra has nihil Eclipsis occurrentis conspici poterit.

Prædicta omnia ex demonstratis satis patent; quia tamen sunt sequentium fundamentum, adhuc breviter ostendo singula. Summam Eclipsem fieri, cum penumbrae centrum est in  $M$ , ostensum est in 16. hujus. Quoad initium, & finem patet Eclipsem tunc incipere, cum primò, & absolvi, cum ultimò penumbra Terram ad extra tangit. Hoc primò fit, cum centrum penumbrae est in  $I$  ad partes Occidentales (penumbra enim, & Luna ab Occasu in ortum progreditur) & ultimò, cum in  $Q$  ad partes Orientis. Nam  $TN$ ,  $TQ$  sunt summa radio-rum Disci, hoc est Terræ, & penumbrae: sunt autem  $TI$ ,  $TF$  radii Terræ: ergo  $INFQ$  sunt radii penumbrae; quare circulus penumbrae habens centrum in  $N$ , transit per  $I$ , & habens in  $Q$  transit per  $F$ ; ibique (12. 3. Euclid.) Terram tangit ad extra. Similiter  $TC$ ,  $TD$  sunt differentiae radii Terræ, & penumbrae, hic  $CH$ ,  $DG$  sunt radii penumbrae; ergo hujus centro appulso ad  $C$ , ejus circulus transit per  $H$ ; & cum est in  $D$  transit per  $G$ ; ibique (11. 3. Euclid.) Terram tangunt ad intra. Centro ergo penumbrae posito in  $C$  fit totalis immersio, & cum est in  $D$  incipit emersio. Pariter pro aliis phasibus, cum puncta Orbitæ notentur radio  $TN$  multato 1 digito, nempe  $\frac{1}{2}$  diametri penumbrae, aut 2, aut 3. &c. patet si è notatis punctis, ut centris circuli penumbrae ducantur, diametri eorum tantam portionem cadere intra Discum, quanta minutus fuit radius  $TN$ . Tandem cum centrum penumbrae motu suo constanter in Orbita describat lineam rectam ad axem Orbitæ normalem; ita puncta extrema diametri illius ad eum axem Parallelæ describunt similes lineas parallelas Orbitæ, ideoque ad axem normales, quales sunt (18. 3. Euclid.) tangentes quas duximus: consequenter sunt partis Terræ Eclipsem patientis termini, cum (17. 3. Euclid.) circulus penumbrae totus intra illas maneat. Re-stè ergo omnia determinantur. Quod erat &c.

Om-

Omnia prædicta, paucis exceptis Eclipsi Terræ propriis, etiam Eclipsibus Lunæ sunt communia, ut in 29. hujus declarabitur.

## PROPOSITIO XX. PROBL. XIII.

*Eclipsis Terrestris phases calculo  
investigare.*

*Figura eadem.* **L**icet prædicta omnia circino satis exactè determinentur, præfertim si typus satis amplius sit, & exactè descriptus, quod arduum non est; tamen calculi trigonometrici methodum hīc omittendam non censeo, ex quo clariùs adhuc patebit methodi geometricæ consensio. Breviter tamen expediam, cum in nullo differat à methodo communiter in Lunæ Eclipsibus usurpata.

Itaque in triangulo  $TLM$  ad  $M$  rectangulo nota est hypotenusa  $TL$  nempe data Lunæ latitudo; in primo exemplo  $3^{\circ} 20''$ , hoc est  $200''$ ; item notus angulus  $MTL$  axium Orbitæ, & Eclipticæ, & inde ejus complementum  $TLM$ ; quare inveniri potest  $LM$  distantia inter verum, & summam Eclipsim, nec non  $TM$  distantia minima centrorum. Forma calculi patet ex adjecto exemplo.

Inventa  $LM$ ; fiat, ut motus horarius Lunæ in Orbita apparenti  $2111''$ ,  $32''$  ad  $60'$ , seu  $3600'$  unius horæ, ita  $LM 18^{\circ} 43''$  ad quartum. Invenies  $32''$  temporis addenda momento & veri (in exemplo) ut fiat tempus summæ Eclipsis.

$LTM$	Gr. 5. 22' 9"	sin. 1.8.9711484
$TL$	200"	1.2.3010300
$LM$ Quæs. 18 43"		1.2721784
<hr/>		
Item $LTM -$	sin. comp.	1.9.9980883
$TL$ .	200"	1.2.3070100
$TM$ . 199 12"		1.2.3991183

Co-

Cognito  $TM$ , late-  
re communi trigonorum  
 $TN M$ ,  $TQ M$ ,  $TC M$ ,  
 $TD M$ , cum etiam in sin-  
gulis notę sint hypothe-  
nuę  $TN$ ,  $TQ$ ,  $TC$ ,  $TD$ ,  
invenientur  $MN$ , & ei  
æqualis  $MQ$ , item  $MC$ ;  
& ei æqualis  $MD$ , ut in  
apposito exemplo proin-  
venienda  $TN$ . Inventa  
autem  $MN$  in min. sec.

Rad. Disci	$\sqrt{3653^{\frac{1}{4}}}$
R. Penumbr. —	$1921$
Summa $TN$ —	$5574$
$TM$ —	$199$
Summa —	$5773 = \sqrt[4]{1.37614016}$
Differ. —	$5375 = \sqrt[4]{1.37303785}$
Summa Log. —	$7.4917801$
Semisum. $MN$	$5570^{\frac{1}{4}} \frac{1}{2} 3.7458901$

fiat, ut supra, ut motus hor.  $21\ 11' 32''$  ad  $60'$ , seu  $3600$ , ita  $MN$  ad quartum inveniuntur  $9590''$  temporis, quæ divisa per  $3600''$  dant horas  $2\ 38' 20''$  auferendas à mo-  
mento summae Eclipsis, ut habeatur initii tempus, ad-  
dendas pro fine. Earum duplum est tota Eclipsis Terre-  
stris duratio hor.  $5\ 16' 40''$ . Similiter procedendum pro  
aliis phasibus unicè cavendo, ut loco  $TN$  summae radio-  
rum Disci, & penumbræ, assumatur  $TC$  eorum diffe-  
rentia, vel  $TN$  mulctata 1 digito, 2 &c. pro phasi, de  
qua fit quæstio. In primo exemplo summa Eclipsis inve-  
nitur h.  $6\ 0' 32''$ , initium h.  $3\ 22' 12''$ , finis h.  $8\ 38' 52''$ . In secundo exemplo  $LM$  invenitur  $6' 22'' \frac{1}{2}$  tem-  
poris subtractivi: ergo summa Eclipsis h.  $22\ 12' 39'' \frac{1}{2}$ ,  
initium h.  $19\ 41' 8''$ , finis h.  $24\ 44' 11''$ , hoc est h.  $0\ 44\ 11''$  à merid.. Duratio tota h.  $5. 3' 3''$ . In proposi-  
tis figuris licet satis parvis circino ferè idem invenies,  
modo in figura 16, horis Orbitæ addas  $\frac{1}{2}$  horam; horæ  
enim ibi notatæ sunt pro loco occidentaliore quam Pe-  
kinum Gr.  $7\ 30'$ , pro inferius faciendis.

Tandem è summa diametrorum Disci, & penumbræ  
auferatur  $TM$  distantia centrorum. Differentia compa-  
retur cum digitis penumbræ: hoc est fiat, ut radius pe-  
numbræ in minutis secundis ad 6 digitos, ita dicta diffe-  
rentia ad quartum. Is erit quantitas summae Eclipsis. In  
primo exemplo invenitur dig.  $16\ 47'$  in figura apparent

16 40' paulò plus. In secundo invenitur dig. 10 9', in figura, licet parva, idem habetur. Ex quibus patet, si Discus amplius fiat, radii scilicet saltem palmaris, & exactè delineetur, nec non mensuræ exactè accipientur; raro inventum iri inter calculum, & mensuras discrepantiæ, quæ pauca supererit secunda, hoc est ullius momenti.

### PROPOSITIO XXI. THEOR. VIII.

*Si in Cœlo Lunæ intelligatur planum secans cylindrum, seu conum potius radiorum Solis centralium ad Discum Terræ, buic Disco parallelum, similes in eo, ac in ipso Disco basi hemisphaerii illuminati, ideoque, ejus cylindri, seu coni, projectiones superius expositæ fient.*

*Tab. VI. Fig. 18.* **E**sto Sol *S* in radio *ST* per centrum disci *AVBP*. In hoc *AB* sit axis Aequatoris, *TE* Ecliptica, *TL* latitudo Lunæ, *VP* Orbita &c. Intelligantur radii Solis centrales ad perimetrum Disci, qui conum rectum efficiunt, cuius axis *ST*. Coni hujus segmentum à Terra ad Coelum Lunæ, quæ distantia comparativè ad Solis distantiam modica admodum est, à cylindro recto (1. huj.) non differt sensibiliter. Secet axis *ST* planum prædictum in *t*. Quoniam sectio plani Paralleli ad basim coni, aut cylindri, cum cono aut cylindro circulus est (4. i. Apollo. vel 1. Sereni) ejus centrum est *t*.

*Demonstratio.* Triangulum *ASB* per axem, ideoque per *T*, *t* transiens fecat utrumque circulum bifarium; sicut ergo *AB* est diameter, ita & *ab*; sunt autem (16. 11. Euclid.) ad invicem parallelæ, & in eodem plano; ergo cum *AB* sit in plano meridiani, & *B* ad boream, *A* ad Austrum pertineat; ita etiam *ab*, in qua *b* & *a* eodem respectivè spectant. Præterea trigonum *STE* fecat

cat circulum superiorem in recta  $t\epsilon$ , quæ proinde ibi est apparentia  $TE$  axis Eclipticæ, & huic (16. i i. Euclid.) parallelæ; cum ergo etiam  $TB$ ,  $t\beta$  ostensæ sint parallelæ, anguli  $t\beta$ ,  $ETB$  [10. i i. Euclid.] æquales sunt, & projectiones axium Äquatoris, & Eclipticæ similes in utroque plano. Insuper in triangulo  $STL$  propter parallelas  $TL$ ,  $t\lambda$ , est (4. 6. Euclid.) ut  $ST$  ad  $TL$ , ita  $St$  ad  $t\lambda$ , & alternando ut  $ST$  ad  $St$ , ita  $TL$  ad  $t\lambda$ : sed ut  $ST$ , ad  $St$  ita  $TE$  ad  $t\epsilon$ : ergo (22. 5. Euclid.) ut  $TL$  ad  $t\lambda$ , ita  $TE$  ad  $t\epsilon$ , & alternando ut  $TL$  ad  $TE$ , ita  $t\lambda$  ad  $t\epsilon$ : ergo sicut  $TL$  est latitudo Lunæ in radio  $TE$ , ita  $t\lambda$  in  $t\epsilon$ . Ad hæc trigonum  $SVP$  secat circulum superiorem in recta  $up$  parallela ipsi  $VP$  Orbitæ in Disco; consequenter  $up$  est apparentia Orbitæ in circulo superiori, ac necessariò transit per  $t\lambda$ . Nam quia parallelæ sunt  $VP$ ,  $TB$  ipsis  $up$ ,  $t\beta$ , anguli  $VCT$ ,  $uct$  sunt æquales. Similiter æquales ostensi sunt anguli  $CTE$ ,  $c\epsilon t\epsilon$ : ergo  $TL$  pars radii  $TE$ , latus oppositum angulo  $TCL$  in triangulo, quem Orbita facit cum axibus  $TB$ ,  $TE$ , (4. 6. Euclid.) similis est parti axis  $t\lambda$ , cum quo & axe  $t\beta$  orbita  $up$  æquiangulum priori facit triangulum. Ostensa autem est ipsi  $TL$  similis  $t\lambda$ : ergo  $up$  per  $\lambda$  transit, & quia cum prædictis axibus æquales angulos facit, ac  $Vp$  in Disco,  $Vp$ ,  $up$  sunt similiter positæ. Eadem viâ concluditur de quibusvis aliis lineis rectis, earumque segmentis, punctis horariis Orbitæ &c. Et quia Ellipses per lineas rectas finuum determinantur, etiam de Ellipsibus demonstratio concludit. Quod erat &c.

*Coroll. I.* Patet hinc perinde esse, sive concipiuntur radii Solis centrales ad Terram efformare cylindrūm, sive conum, qualis reverè est. In utraque enim hypothesi projectiones similes sunt, & omnia proportionalia; consequenter in utroque Disco partium similiū mensuræ eundem numerū dant.

*II.* Patet eandem exhiberi speciem spectanti faciem Disci Terræ, si descriptæ projectiones essent visibiles, è

Cœlo Lunæ , ac spectanti faciem inferiorem prædicti plani in Cœlo Lunæ è Terra , & perinde , ac si descripti typi supra oculos elati spectes adversam superficiem . Unicè interest , quod prior spectator videt per Discum ferri penumbram , & hujus centrum per Orbitæ lineam VP , loca autem terrestria per Ellipses suæ latitudinis ; ac posterior videt per Orbitam *up* ferri centrum ipsius Lunæ , & Solem per Ellipsim latitudinis , in qua ipse Spectator est : Patet enim per easdem lineas videri Solem è Terra , per quas Terra è Sole . Hinc cum centrum penumbræ est in L , & locus terrestris , puta in E ; è Terra apparet centrum Lunæ in l , & Sol in e : ita de reliquis . Porrò ex hoc consequens est ex descripto Terrestris Eclipseis typo , etiam defectus Solaris phases colligi posse , quod mox præstabinus .

III. Patet cur radius Disci , hoc est Terræ , ponatur æqualis parallaxi Lunæ horizontali , quia nempe tantus è Luna apparet , consequenter est Terræ magnitudo respectiva ad Lunam , & penumbra in datâ Solis , & Lunæ à Terra distantia . Et quia minuta quaqua versum sunt æqualia ; ideo cæteræ mensuræ omnes ad partes radii Disci revocandæ , prout æqualis datæ pro tempore parallaxi Lunæ horizontali .

### PROPOSITIO XXII. PROBL. XIV.

*E Typo Eclipseis Terræ defectus Solaris tempus , & phases omnes pro dato loco terrestris determinare .*

*Tab.V. , & VI.  
Figur. 16.17.*

**I**N Typis propositis , delineetur præterea (8 , & 9. hujus) arcus diurnus apparentiæ Paralleli latitudinis dati loci , quæ vel erit (5. hujus) Paralleli Diameter , vel (6. hujus) Ellipsis . Ut in propositis figuris descriptus est arcus diurnus Ellipsis spectantis ad latitudinem Pekinensem , nempe borealem Gr. 40 . Quia figuræ amplæ non sunt , Ellipses habent sectas tantum in semihoras , ut pro

pro exemplo satis est. In hujusmodi Ellipsi (Coroll. 3.9. hujus) scitur pro quovis dato tempore, ubi sit datus locus Terrestris; & in Orbitâ sectâ in horas &c. scitur ex dictis, item pro dato tempore, locus centri penumbræ: quare sumpto jam Disco pro plano circulari illi parallelo in Cœlo Lunæ, scitur (Coroll. 2. præced.) ubi Solis, ubi Lunæ centrum appareat; hinc sicut in Disco centrorum Terræ, & penumbræ distantiam metiri licet, ita in eodem sub aliâ consideratione distantiam centrorum Solis, & Lunæ, consequenter initium, finem, phases denique omnes, earumque tempus nota facere licere consequens est. Quod ita præstabitur.

I. Deducto circino ad intervallum radii penumbræ  $NI$ , positaque una cuspide in puncto  $M$ , aut  $L$ , inventur, in figura 16, cuspis altera non pervenire ad punctum temporis in Ellipsi cognomen ejus, quod in Fig. 16. Orbita spectat ad puncta  $M$ , aut  $L$ : ergo in momento  $\sigma$  veri, vel summa Eclipsi Terræ penumbra nondum attigit datum locum, nempe in exemplo, Pekinum. Dico nondum attigit, nam tempus in Ellipsi cognomen ei, ad quod spectat  $M$ , aut  $L$ , est ab his punctis ad plagam orientalem; præteriisset, si esset ad Occidentalem, ut in secundo exemplo. Quare in priore casu defectus Solis Pekini nondum cœpit, in posteriore finitus jam est. Itaque promoveatur circinus in Orbitâ ad partes dati loci, donec inveniatur distantia centri penumbræ à dato loco æqualis radio penumbræ nempe ubi circini cuspide unâ stante in aliqua horâ Orbitæ, altera præcisè attingit cognominem in Ellipsi. In primo exemplo promovendo circinum in Orbitâ usque ad horam 6 54' 30", quâ Pekini in datâ Solis declinatione Sol occidit, distantia illa invenitur semper major radio penumbræ. Ergo Occidente Sole penumbra Pekinum nondum attigit; consequenter ea Eclipsi Pekini est inconspicua. Hinc nota in propositâ figurâ numeros horarum Orbitæ adscriptos non esse earum, quæ Pekino convenient, sed loco occidentaliori Gr. 7 30'; propter rationem, de qua

qua mox. Itaque pro iis, quæ dixi horas illas mente aug<sup>e</sup> 30", hoc est in h.V. 30" intellige h.VI. In VI. intellige VI. 30" &c. Proponatur jam locus Pekino occidentalior Gr. 7 30', in quo nempe in momento & veri, quo Pekini numeratur h.VI. numeretur h. 5.  $\frac{1}{4}$ ; & pro hoc sunt horæ adscriptæ Orbitæ in figurâ. Pro hoc loco invenitur dicta distantia in hor. 6 28': horâ ergo 6 28' Sol ibi incipit deficere, nempe apparet Lunæ cum Sole contactus. Promoveatur ulterius circinus in eadem Orbita, donec iterum inveniatur distantia centri penumbrae à dato loco æqualis radio penumbrae; & scietur momentum, quo penumbra eum locum deserit, nempe deliquii Solaris finis. Tandem inter puncta initii, & finis inventa, quadratur circino quænam puncta temporis cognomina in Orbitâ, & Ellipsi minimè omnium à se invicem distent & ipsa erunt momentum summæ Eclipsis, sive defectus Solaris in dato loco, quod raro admodum idem erit cum momento mediae Eclipsis; hoc est tempus ab initio defectus usque ad momentum summi, plerumque tempori à summo ad finem non erit æquale. Cum enim Orbita non se habeat æquabiliter ad Parallelorum apparentias; ita accessus, & recessus centri penumbrae ab illis, hoc est Lunæ à Sole, vix uniformis esse poterit. Ita in figura 17, initium defectus Solis Pekini fit Oct. d. 15, h. 19 44" a meridie. Summa Eclipsis h. 2 1' 0" finis hor. 22 1.1" 0". Hinc Duratio tota hor. 2. 27', & semiduratio hor. 1 13' 30", quæ addita initiat medianam Eclipsim hor. 20. 57' 30". Præcedit erga Eclipsis media summam 3' 30" temporis: & ab initio ad summam sunt hor. 1 17. à summa ad finem hor. 1 10.

Fig. 16.

At in figura 17, cum post horam 6 28', usque ad 6. 54' 30", quo in posito loco Sol occidit, uempe in puncto S, distantia semper inveniatur minor radio penumbrae, indicio est, ibi finem Eclipsis contingere post Solis occasum, ideoque inconspicuum, & Solem occidere cum defectu. An autem occasus Solis contingat ante an post summam Eclipsim, hoc est an occidat Sol in emer-

Fig. 17.

emersione an in immersione ita scietur . Demittatur ex S puncto occasis Solis ad Orbitam normalis Se . Hæc si incidat in momentum occasis in Orbita , Sol occidit ipso momento summæ Eclipseos ( præscinden- do a refractione ); si eadat in punctum temporis ante occasum , summa Eclipseis fiet supra horizontem , & Sol occidet in emersione ; si in tempus post occa- sum , ut in exemplo cadit in hor. 6. 59' circiter , post occasum Solis 4'  $\frac{1}{2}$  circiter , Sol occidit in immersione ante summam Eclipsei . Hæc proportionaliter intelli- genda de Sole oriente cum defectu ; nempe orietur deficiens in immersione , si oriatur ante summam Ecli- pseis , in emersione , si post .

Quantitas summi defectus , ut etiam ejus , cum quo Sol oritur , aut occidit in Eclipse horizontali , sic in- venitur . Distantia centri penumbræ a dato loco in da- tâ phasâ abscindatur è radio penumbræ : residui quan- titas nota fiat in partibus radii Disci millesimis ; quod fiet statim per scalam geometricam . In iisdem partibus fiat similiter nota Solis diameter apparenς : tum fiat , ut diameter Solis in hujusmodi partibus ad 12 digi- totos , velut semissis earum partium , nempe Solis ra- dius ad digitos 6 , ita partes prædicti residui ad quartum ; is erit quantitas qualita defectus ; eritque is Australis , si datus locus sit in Typo Borealior centro penumbræ , aut contra , quod plerumque ipsa Typi inspectio suggeret . Porro quantitas in ortu , vel occasu , sic reperta ea est , quæ appareat seclusâ refractione : at quia hæc ortum ac- celerat , occasum retardat , in occasu apparebit nonnihil major in immersione , minor in emersione ; e contrario in ortu . Quanquam eadem refractio plerumque prohi- bet ne phases horizontales exactè observari possint .

Simili artificio inveniuntur phases aliæ quæcum- que , ut pro singulis quadrantibus horaruni &c. Quod si libet etiam prænōsse , quando deliquum futurum sit datae quantitatis infra summam , puta 1 , 2 , 3 &c.. digitorum tam in immersione , quam in emersione ; se- ce-

cetur tota Solis diameter in 12 partes æquales , tum radio penumbræ multato  $\frac{1}{11}$  diametri Solaris querantur, ut supra , duo puncta in Orbitâ post initium Eclipseis Solaris unum , alterum ante finem , inter quæ & momentum respectivè cognomen in Parallelo , hoc est datum locum , intercedat ea distantia exactè ; & in iis punctis defectus erit 1 digiti . Radio penumbræ multato  $\frac{2}{11}$  diametri Solaris , invenies tempus defectus 2 digitorum , & ita in reliquis : poteritque inventarum phasium , earumque temporis digeri catalogus . Cæterum phasis cujusque quantitas etiam sine calculo haberi satis exactè potest . Nam notata Solis diametro in axe Orbitæ a puncto , ubi eum secat penumbra summa Eclipseis Terrestris ad partes Paralleli dati loci , ac divisa in 12 partes æquales nempe 12 digitos serie orbitam versus procedente , & horum singulis in 6 , aut 10 partes æquales subjectis , si e puncto Ellipsis , ubi apparet datus locus in datâ phasi ducatur linea occulta Parallela Orbitæ , vel distantia centri penumbræ à dato loco , applicetur diametro Solis in axe Orbitæ , posito circino in puncto *M* , illa parallela vel cuspis circini altera ostendet defectus quæsiti digitos , & minuta dena vel sena : intermedia autem , si occurrant , facile æstimari poterunt absque errore alicujus momenti . Circa summam Eclipseis illud præterea notandum: si occurrat centrum penumbræ , ac datum locum in idem punctum coire , nempe si punctum concursus Orbitæ cum Parallelo loci , utrobius pertineat ad idem momentum in dato loco , ibi summam Eclipseis centralem esse , & quidem totalem cum morâ , si penumbræ radius major sit , quam Solis diameter ; sine morâ , si æqualis ; at si minor , Eclipseis erit centralis annularis . In totali cum morâ , summus defectus paulo major 12 digitis; in totali sine morâ , præcisè 12 digitorum . In annularibus , cum nullibi Sol totus tegatur , reipsâ ubique minor est 12 digitis : haberi tamen potest pro 12 digitis in limitibus Zonæ utrinque ab Orbitâ , de qua in 19. hujus : ubi nem-

nempe apparet contactus ad intra Lunæ , & Solis , borealis quidem in limite boreali , australis in australi ; & tunc digiti æstimantur ex parte contactui diametraliter oppositâ . Locis omnibus extra eam Zonam , sicut extra Zonam umbræ puræ defectus est partialis minor 12 digitis . In totali cum morâ , quantitas moræ definitur ex tempore summae Eclipsis , & eo , quo distantia centri penumbræ à dato loco ante , & post sunnum defectum , invenitur æqualis differentiæ radii penumbræ à diametro Solis ; Similiterque definitur quādiu defectus spectandus sit annularis &c.

Prædicta omnia ex demonstratis clara sunt : pauca ergo addo pro demonstratione .

I. Cum radius penumbræ attingit primò , & ultimò aliquem locum Terrestrem , incidit in hunc radius per apparentem contactum exteriorem Solis & Lunæ ; quippe hujusmodi radii circumscribunt totam penumbram ; ergo cum ex dato loco per eundem radium videantur limbi convergentes Solis , & Lunæ ; clarum est ibi tunc videri eum contactum ; consequenter est initium , aut finis defectûs . Porrò ille radius tunc in locum incidit , cum à centro penumbræ distat hujus radio : nam in majori distantia umbra ad eum non pervenit , in minori locus intra penumbram est , non in ipso limite . Est autem radius penumbræ æqualis radiis apparentibus Solis , & Lunæ simul ; consequenter in Disco per Cœlum Lunare tunc distantia centrorum Solis & Lunæ apparet æqualis , seu similis radio penumbræ : Ergo utravis utaris in Disco , initium & finem Eclipsiu[m] ritè determinabis .

II. Penumbra in Disco Terræ pari , vel proportionali passu procedit (21.huj.) ac Luna in plano Parallelo Disco Terræ in Cœlo Lunari : quantum ergo penumbræ in datum locum immersitur , tantumdem Luna in Sole videbitur inimergi . Pars ergo Solis tecta proportionalis est parti penumbræ immersæ . Sed pars tecta subducta è summa radiorum Solis , & Lunæ relinquit di-

stantiam visam centrorum , & pars penumbræ immersa subducta è radio penumbræ relinquit distantiam centri penumbræ à dato loco proportionalem distantia visæ centrorum ; ergo utramlibet distantiam subtrahas è Solis diametro , semper relinquitur pars Solis tecta , nempe phasis quantitas . Cùm ergo partes ( 15.5.Euclid.) sint ut tota , si fiat ut tota diameter Solis ad 12 , vel semi-diameter ad 6 , ita data pars ad quartum , patet hunc esse defectus quantitatem .

III. Summa Eclipsis Solis tuni est in loco quopiam , cum ibi minima apparet dictorum centrorum Solis , & Lunæ distantia : sed horum distantia similis est distantia centri penumbræ à dato loco : ergo praxis quoad omnia rectè procedit . Quod erat ostendendum .

*Coroll. I.* Ex dictis patet cur , & quomodo fiat defectum Solis alicubi contingere integrè ante , vel post momentum & veri . Nam radius penumbræ semper multo minor est radio Disci . Quare cum centrum penumbræ est in L sèpius remanent utrinque partes Terræ tam occidentiores , quas penumbra jam reliquit , quam orientiores , quas nondum attigit , attinget autem postea : quod inspectione propositorum Typorum patet .

II. Patet , licet dati loci Parallelus sit intra partem Disci obumbrandom non inde certò colligi in dato loco spectatum iri defectum Solis : fieri enim potest , ut fit in primo Exemplo , loco Pekinensi , distantiam centri penumbræ à dato loco , quamdiu est in arcu diurno Paralleli , semper esse majorem ejus radio : sed spectari poterit in locis sub eodem Parallello occidentalioribus . Pariter si locus sit in parte ejus Paralleli occidentali extra limites penumbræ , & quando ad limitem pervenit centrum penumbræ , ab eo puncto jam recessit ultra ejus radium , Eclipsis erit inconspicua : licet enim Eclipsis tota sit supra horizontem ejus loci ; tamen Parallaxis Lunæ ejus conspectum eripit .

III. Patet cur defectuum horizontalium duratio , ceteris paribus , sit omnium brevissima , in meridi- lon-

longissima, intermedia eo prolixiores; quo propius absunt a meridie. Nam apparentiae horarum (9. huj.) in Parallelis distant à meridiano quantitate Sinus graduum in quovis Parallelo convenientis datis horis; consequenter distant ab invicem talium sinus differentiam. At differentiae sinus (ut patet ex eorum canone) eo minores sunt, quo majores sunt arcus, quorum sinus comparantur. Hinc horas in Disco eo minus invicem distant, quod remotiores à meridie. Itaque locus juxta eas horas opticè promotus ab occasu in ortum eo lentius promovetur, quo remotior appetet à meridiano: Penumbra verò æquabili motu eodem tendit: hinc celestius relinquit locum segnius, quam oxyus sequentem. Dixi ceteris paribus: Nam Eclipsis circa meridiem valde modica brevior esse poterit Eclipsi horizontali satis magnâ.

IV. Patet, motum penumbræ, licet in Disco appareat æquabilis, in superficie sphæricâ tamen telluris esse inæqualem, non solum secundum totam, sed etiam diversimodè in diversis suis partibus, prout obliquius, aut rectius tota, aut hæc vel illa pars globum Terræ stremit ferit. Hinc circa medium lentius incedit, quam circa limites Disci. Imò in eâ superficie neque exactè circularis est; necesse enim est partes obliquius incedentes magis extendi, & variè deformari, licet respectu Disci perfectus circulus appareat; ut patet de umbrâ Terra in Luna Eclipsibus. Sic vides in figura 17, semissem penumbræ non multum infra Äquatorem (si duceretur hujus Ellipsis) protendi, & centrum esse circiter in Parallelo latitudinis Gr. 30; ad partes verò oppositas, usque ad limitem Disci obumbrare fere 60 gradus, & adhuc superabundare extra Terram 2 circiter penumbræ digitos.

V. Intelligitur quo modo parallaxes immutent opticè Lunæ tum longitudinem, tum latitudinem. Nam cum vera Luminarium conjunctio fiat in *L*, nihilominus in assumpto loco pro primo exemplo, videretur fieri in *e*,

K

hora

Fig. 17.

hora ferè 1 cum 30<sup>a</sup> post veram. In secundo exemplo videtur fieri hora 21 1<sup>'</sup>, nempe hora 1 18<sup>a</sup> ante veram. Pariter si ducatur Ecliptica normalis ad TE per T, in primo exemplo invenietur Q in hora 6 45<sup>a</sup> ferè; ideoque hora 7. latitudo Lunæ Australis vix erit 1<sup>'</sup>; apparet tamen æqualis ferè rectæ S e circiter 26'. In secundo exemplo latitudo Lunæ borealis in summo defectu, hoc est & viso, æqualis est rectæ à puncto Orbitæ hor. 21 1<sup>'</sup> ad Eclipticæ diametrum, apparet autem æqualis minimæ distantia centri penumbræ a Pekino, quæ est multo minor. Hinc per regressum Parallaxes longitudinis, & latitudinis patefieri possunt.

## S C H O L I U M.

In propositione, majoris facilitatis gratiâ, assumptus est radius penumbræ quasi constans toto Eclipsi tempore. At reverâ talis non est, eo quod diameter Lunæ apparens nonnihil augeatur prout magis, ac magis supra horizontem assurgit, quippe fit successivè propior oculo spectatoris posito in superficie Terræ sphericâ, non in plano Disci: habet autem Radius Terræ rationem sensibilem ad distantiam Lunæ. Hinc fieri potest defectum circa medium Hemisphærii illuminati spectari totalem, qui alias futurus esset annularis; & cum morâ, qui sine morâ. Discrimen tamen magnum esse non potest. Si rigidissimè lubet procedere, ejus variationis ratio habeatur. Tabulas invenies apud Astronomos, vel ex te ipso quæras.

Cæterum per se patet, ad præstanta quæ in propositione dicta sunt pro uno, aut altero loco, opus non esse integrum Typum describere, sed satis esse eam partem, quæ ex circumstantiis præterpropter judicatur necessaria, quod usus facile ostendet. Ita in figura 16, Sector ETF cum parte Ellipsis ab hora 6 usque ad occasum, in figura 20 Sector ETI cum parte Ellipsis ab ortu Solis usque ad horam 23, sufficiunt.

Et

*Fig. 16.**Fig. 17.*

Et ita in eodem folio poterit major assumi Radius Disci, ex quo defectus phases distinctiores apparebunt, & subtilius determinari poterunt.

## PROPOSITIO XXIII. PROBL. XV.

*Defectus Solaris phases quascumque ex eodem  
Typo in schemate exhibere.*

**D**ucatur utcumque recta  $D E$ . Sumantur è scalâ geometricâ quotcumque partes, pro schematis petitâ amplitudine, puta 600, quæ supponantur pro radio penumbræ, illisque abscindatur æquale segmentum  $D F$ . Sumantur in eadem ratione particulæ convenientes semidiametro Solis, nempe fiat, ut Radius penumbræ in minutis secundis ad 600: ita Semidiameter Solis item in minutis secundis ad quartum. Is erit numerus partium ex eadem scalâ sumendus. Cum æquali abscissa  $D S$ , centro  $S$ , radio  $D S$  Discus Solis describatur.  $S F$  erit Radius apparenſ Lunæ;  $D S E$  exhibet verticalem Solis. In Typo [fig. 16.] ducantur rectæ è centro  $T$  ad puncta Paralleli, in quibus è dato loco spectantur phases exhibendæ, ut in primo exemplo ad punctum  $C$  initii Eclipsis, &  $S$  punctum occasiū Solis. Item agatur  $c \alpha$  ad centrum penumbræ initio Eclipsis, &  $S C$  ad horam occasiū in Orbita, nempe idem centrum in Solis occasu. In centro Disci Solis  $S$  fiat a verticali  $D F$  ad sinistram ad partes Radii Solis angulus  $E S L$  æqualis angulo  $T c \alpha$  in Disco Terræ; fiatque  $S L$  æqualis radio penumbræ  $D F$ . Centro  $L$  radio Lunæ  $S F$  describatur circulus, qui tanget, ut patet, Discum Solis, & descripta erit phasis initii Eclipsis. Ad easdem partes fiat angulus  $E S D$  æqualis angulo  $T S C$  in Disco Terræ: fiatque, ut  $c \alpha$  in Disco Terræ ad  $S C$  in eodem, ita  $D F$  in schemate ad quartum; cui abscindatur æqualis  $S C$  in schemate. Centro Lunæ, eodem

dein radio  $SF$  circulus, vel ejus arcus quantus cadit intra Discum Solis. Commune utriusque circuli segmentum est phasis quæsita, qualis in oculos incurret. In Disco Terræ [figura 16.] centro  $S$ . Radio Solis in partibus radii Disci describatur Discus Solis, & centro  $C$  Radio Lunæ hujus circulus. Quoniam  $SC$  minor est radio penumbræ, hoc est summâ Radiorum Solis, & Lunæ, necessariò se ii circuli secabunt: ut etiam in scheme, quoniam  $SC$  minor est, quam  $SE$  Radius penumbræ.

*Demonstratio.* Sol occidens in Disco in Lunæ Cœlo, è dato loco [21. huj.]. apparet in  $S$ , & Luna in  $C$ . Item [Coroll. 4. 9. hujus]:  $TS$  est verticalis Solis occidentis in dato loco, ideoque Nadir Solis ad partes  $T$ , & angulus verticalis  $TS$  cum recta  $SC$  per centra Solis, & Lunæ vergit ad partes Nadir Solis a verticali  $TS$  ad finistram, ut patebit, si typum elevatum supra oculos & adversâ facie spectes: Ergo Luminaria apparent juxta hanc speciem in Disco Terræ exhibitam. Sed hoc ipsum est, quod expressimus in scheme, ut patet: exhibuimus ergo datum phasim. Similis est praxis, & demonstratio pro cæteris. Quod erat &c.

*Coroll.* Quoniam  $DE$  verticalis est Solis occidentis,  $HSO$  ad eum normalis est loci horizonis: Ergo pars Solis eclipsata priùs occidit, quam centrum Solis: nempe Luna priùs horizontem subit, quam Sol. Et hinc etiam patet Solem occidere ante suminam Eclipsim in eo loco, nempe ante & visum: nam post hoc Luna apprens Sole orientalior occideret post Solem.

### S C H O L I U M.

Mensuras pro hoc scheme ex ipso Typo desumit  
Tab. VI. Fig. 20. posse patet absque ullo calculo. Quia tamen necesse non est, & fortè quandoque minus commodum esse posset, universaliori praxim schemati, prout libuerit ample, aut parvo idoneam describendo proponendam censui.

*Figur-*

*Figura 20.* exhibet phases secundi exempli ad singulos quadrantes horarum ab initio ad finem Eclipsis Pe-  
kini; quæ spectant ad emersionem arcibus punctatis  
notantur. In eo schemate mirum videri potest lineam  
per centrum Lunæ in singulis phasibus non rectam sed  
curvam admodum prodire, cum tamen ostenderimus in  
21. hujus, viam Lunæ etiam in Disco in Cælo Lunari  
esse rectam lineam saltem ad sensum. Verùm datur ra-  
tio disparitatis: Nam aliud in descriptione Typi agi-  
mus, aliud in schematis. In his enim à projectionibus  
circularum in Disco præscindimus & solum Lunam cum  
Sole compositam exhibemus, qualis intuentibus è dato.  
Terræ loco h̄ic, & nunc apparebunt. Hinc unicam li-  
neam pro quocumque verticali posui, nec abs re. Cum  
enim phases non simul omnes, sed successivè singulæ  
conspiciantur in eo situ, quem habent respectivè ad  
verticalem, in quo h̄ic, & nunc Sol est, quicumque  
tandem ille sit, cum omnes similiter sint ad horizontem  
recti; si semel statuatur illa linea in situ verticali, unico  
intuitu scitur situs cujusque phasis respectivè ad verti-  
calem, in quo continget. Verticalem autem, utpote  
homini stanti parallelum, oculus etiam non visum discer-  
nit, & per suspensum filum cum perpendiculari exactissimè  
quisque habere potest. At Sol re ipsa motu diurno ra-  
ptus verticales alios, & alios successivè occupat; & cum  
Eclipticæ, Orbitæque apparentiæ in Disco fixæ sint &  
constantes, diversos angulos cum diversis verticalibus  
faciunt. Hinc via Lunæ, quæ in Schemate prodit, non  
est una simplex ejus positio, sed composita ex plurimis  
positionibus Orbitæ relativè ad diversos verticales uti-  
que diversis. Non ergo mirum, si in flexuosa dege-  
neret.

Est & alia ratio. Sol in Disco Cæli Lunæ aspicienti  
è Terra non apparet in centro Disci, aut in communis  
sectione Disci cum Eclipticâ, nisi oculo constituto in  
axe Disci, aut piano Eclipticæ: & ibi apparet in Ellipsi  
latitudinis Loci, ut ostenderimus in 21. hujus. [Corol. 2.]  
& per

& per eam videtur pergere. Neque enim Sol est in ipso Disci plano, sed ab eo remotissimus est, consequenter ad eum diversas è diversis locis parallaxes patitur, ratione quarum eodem momento in diversissima Disci puncta à diversis spectatoribus resertur, contra quām accidat Lunæ, quæ ei Disco inhærens, undecimunque spectetur, ibi apparet, ubi re ipsa est. Motus ergo Solis opticus in Disco est flexuosus, nempe Ellipticus. In schemate unicè Lunam cum Sole comparantes, ponimus Solem tanquam opticè immotum; talis enim apparet relativè ad Lunam, cuius motus in consequentia multo velocior. Hinc flexuositas motus optici Solis in

*Tab. VI. Fig. 21.* viam Lunæ à Sole opticam refunditur. Hinc etiam fit, ut si in descriptione schematis habeatur ratio mutationis verticalium, hoc est pro singulis phasibus singuli verticales ducantur facientes invicem angulos, quos in Typo, ut factum est in *Figura 21.*, quæ est ejusdem Eclipsis schema, via Lunæ adhuc prodibit curva; multo tamen minus, sublatâ nimirum alterâ, eaque potissimum flexuositatis causâ. At in hujusmodi schemate, ut habeatur cujusque phasis verus situs, pro singulis statuendis verticaliter proprius verticalis; quo facto singulæ singillatim phases eundem situm habebunt, quem simul, & sennel habent in priori schemate. Itaque cum utraque methodus idem præstet, sed prior facilitatem descriptionis, ususque expeditionem, necnon claritatem maiorem habeat, eam alteri præfero.

Ex his autem patet, viam visam Lunæ à Sole non rectam, sed curvam esse, quæ diversos subinde angulos cum Eclipticâ facit. Hoc tamen Typi Ecliptici descriptionem propositam non infirmat, imò confirmat; inde enim illa ipsa visa flexuositas veluti sponte suâ, ac naturaliter se prodit, quæ aliâ viâ ægrè deprehendetur. Hinc in deliquiorum solarium schematis minus aptè pinguntur Ecliptica, & Orbita Lunæ tanquam lineæ rectæ; cum via visa Lunæ non recta sit, nec in eodem constanter cum Eclipticâ angulo appareat. Hinc etiam fier

fieri censeo, quod in calculo solarium defectuum methodo veterum, post statutum tandem aliquando per molesto, ac pluries iterato calculo momentum summae Eclipseos, hoc est visi  $\sigma$ ; dum deinde ex eo queritur initium, & finis calculo simili ei, quem pro Eclipsi Terræ superius exposui vix unquam res consentiat, sed iterato examine, hoc est, morosi calculi unâ, aut altera repetitione opus sit; quod non solum inde fieri puto, quod tempore ante, & post summam Eclipsum æqualia plerumque non sint; sed potissimum ex eo, quod via visa Lunæ à Sole ut recta assumatur in constanti ad Eclipticam angulo; quod fallit..

Ne tamen novæ huic methodo, ut egregiæ, & in hac re meo iudicio percommodæ, plus quis tribuat, quam par est; hic non omittendum; licet hactenus demonstrata certa sint, contingere nihilominus posse, & re ipsâ non raro contingere, occurrentem Eclipsum, nec temporis, nec phasibus præstitutis respondere ad amissim, immo quandoque notabiliter ad modum aberrare, quascumque tandem Astronomorum Tabulas adhibeas. Hoc mirum videri non debet: Nam Typi descriptio tota pendet ex præsuppositis in præparatione, quam in 17 hujus præmissimus. Iis stantibus, Eclipsis, ejusque phases non possunt sensibiliter saltem, aliter accidere, ac è Typo aptè descripto eruantur, ut constat ex datis demonstrationibus. Tamen ea præsupposita sunt ex communibus elementis, in quibus plura esse hactenus non plenè explorata, nemo Astronomorum non fatetur, præcipue circa Lunam, quam idcirco sunt qui *Sidus exlex*, & *conumax* appellant. Hinc provenit prænuntiataæ Eclipseis à reali ablusio. Defectus hujusmodi ex ipsis observationum cum calculo dissonantiis perpetuò conati sunt, & conantur corrigerem celebriores Astronomi, mirâ industriâ, & sagacitate, ac labore perutili illo quidem, & nuaquam satis laudando; attamen, ut ego censeo, etiam nuaquam exauriendo. Stat enim illud Ecclesiastæ 3. *Musdam tradidit disputationi eorum,*

*rum, ut non invenias homo opus Dei à principio usque ad finem.*

## PROPOSITIO XXIV. PROBL. XVI.

*Defectus Solaris Phases è Typo, seu Disco  
Terræ per calculum eruere.*

**P**Raxis vigesimæ secundæ hujus, si accuratè in omnibus procedatur, ita exacta est, ut exactius (quid nî & æquè exactum?) intriciori licet, & longiori per parallaxium calculum circuitu ab ulla Veterum methodo non liceat expectare. Nihilominus ad complementum, & confirmationem expositæ doctrinæ præcise trigonometricam non censeo reticendam. In propositione 22, in loco cuius longitudo minor Pekinensi Grad. 7 30', invenimus initium defectus Solaris hor. 6 28' à meridie. Propositum sit examinare, an juxta præsupposita ita revera sit; hoc est an recta ea æqualis revera sit radio penumbræ, nempe summæ radiorum Solis, & Lunæ. Jungantur  $T\alpha$ ,  $T\epsilon$ ,  $c\alpha$ . In 20. hujus inventa fuit  $TM 199''$ , & in partibus millesimis Radii Disci invenitur  $54^{\circ} 4' 7'' 3'''$  rotundè  $54.5'$  punctum  $M$  spectare invenimus ad horas  $5 30' 32''$ , quæ subducta ex hor. 6 28', relinquunt  $57' 28''$  hoc est  $3448''$ : si fiat ut hora 1, nempe  $3600''$ , ad  $578.1'$  motum horariorum in Orbita in partibus millesimis Radii Disci, ita  $3448''$  ad quartum, invenitur  $MA$  similium partium  $553.7'$ . Itaque in triangulo  $MaT$  ad  $M$  rectangulo nota sunt duo latera  $TM$ ,  $M\alpha$ ; patefieri ergo potest angulus  $MT\alpha$ , & hypothenusâ  $T\alpha$ , ut in adjecto exemplo numero primo.

Invento angulo  $MT\alpha$ , hoc est  $OT\alpha$ , addens vel subtrahe angulum  $OTB$ , ut notus fiat angulus  $B\alpha$ . Ipse Typus ostendit addendus, demendusne sit. In exemplo, quia  $OT\alpha$  major est  $B\alpha$ , subtrahendus est, addendus esset in casu opposito. Angulus

aut-

autem  $OTB$  ex præparatione notus est; est enim vel summa, vel differentia anguli axium Æquatoris, & Eclipticæ cum angulo axium Eclipticæ, & Orbitæ; quod item ex ipsa Typi inspectione patet. Quærendus jam angulus  $B Tc$ , quem *H*-

*rius vocat angulum parallacticum, nempe dati loci à Sole visi, consequenter* (Coroll. 2. 21. hujus) Solis è dato loco vi- si respective ad Discum in Cælo Lunæ; alii vo- cant *angulum positionis*, nem- pe loci, aut So-

I		
$M \alpha$ 553, 7.	—	l. 2.7433745
$T M$ 54 47 Comp. ad 10, 0 &c.	8.2638426	
$M T \alpha$ . G. 84 22' 54"	T. l. 11.0071171	
Item $M \alpha$ —	l. 2.7433745	
$M T A$ . 84 22' 54" Comp. Sin. ad 10.0.&c. 20913		
$T \alpha$ 556, 37	l. 2.7453658	
$E T^{\circ} B$ . Gr. 17 43' 52"	$M T \alpha$ Gr. 84 22' 54"	
$E T O$ subt. 5 22 9	Subt. $O T^{\circ} B$ 12 21 43	
$O T B$ Gr. 12 21 43	$B T \alpha$ G. 72 1 11	

lis, ut supra. Præterea quærenda  $Tc$ : sic enim subtrahito  $B Tc$ , ex  $B T \alpha$ , invento numero primo, erunt in triangulo  $Tc \alpha$  nota duo latera  $T \alpha$ ,  $Tc$  unâ cum angulo intercepto  $c T \alpha$ , ex quibus nota fiet quæsita  $c \alpha$ , quam in exemplo oportet aqualem esse Radio datae penumbræ.  $Tc$  est (Coroll. 4. nonæ hujus) sinus distantiae Solis à vertice dati loci; quare ex constructione pro demonstracione ejus Corollarii notus fieri potest: inventi enim arcus sinus è canone sinuum eruetur. Pariter productâ  $Tc$  usque ad perimetrum Disci metiri possumus per Scalam chordarum arcum Disci inter  $TB$ ,  $Tc$ , hoc est angulum  $B Tc$ ; ex quibus, ut dictum est, per resolutionem trianguli  $Tc \alpha$  innotescat  $C \alpha$ . Sed hîc volumus praxim integrè trigonometricam. Itaque super  $TB$  intelligatur quadrans Meridiani, & super  $Tc$  arcus verticalis Solis per  $C$  transiens. Hi ambo arcus cum per centrum Solis transeant ad Disci planum recti sunt: quare (Coroll. post 21. 2. Theod.), arcus Disci rectis  $TB$ ,  $Tc$  comprehensus

L

est

est mensura anguli illius verticalis cum Meridiano, qui æqualis est angulo  $B T c$ , cuius idem arcus Disci est mensura. Polus Mundi in Disco esto  $P$ . Arcus Meridiani inter Solem, & Polum est distantia Solis à Polo, nempe complementum datæ declinationis, cuius sinus  $TP:$  erit que arcus ille complementum quadrante minus, si declinatio sit ad Polum conspicuum; majus, si ad non conspicuum; tunc enim Polus est ultra  $B$  in facie Disci inferiori. Intelligatur ex  $P$  polo ad locum  $c$  arcus circuli maximi  $P c$ , qui erit ejus horæ; quæ in  $c$  numeratur nempe in exemplo h. 6.

28°, consequenter	2
$T' P c.$ Gr. 97° 0'	fin. co. l. 9.0858945
$P c.$ Gr. 50° 0'	t l. 10.0761865
Invent. I. $P X.$ 8° 15' 50"	t l. 9.1620810
Adde $T P.$ 74° 19' 20"	
$T X.$ Gr. 82° 35' 10"	
$P X$ Gr. 8° 15' 50"	fin. l. 9.1575550
$T' P C.$ 97° 0'	t l. 10.9108561
$T X$ 82° 35' 10"	Comp. fin. 36460
Quæf. $P T c$ 49° 43' 54"	$\frac{1}{2}$ t l. 10.0720572
Item $P c.$ Gr. 50°	fin. l. 9.8842540
$T P c$ Gr. 27°	fin. l. 9.9967507
$P T c$ Gr. 49° 43' 53"	$\frac{1}{2}$ Comp. &c. 1174618
$T c$ Quæf. Gr. 85° 11' 16"	fin. l. 9.9984665
Quorum sinus	996, 475
Jam	
$B T \alpha$ num. 1. inventus. Gr. 72° 1' 11"	
Subtract. $B T c.$ num. 2. inv. 49° 43' 53" $\frac{1}{2}$	
Quæf. c $T \alpha$ Grad. 22° 17' 17" $\frac{1}{2}$	

nempe in Disco recta  $TC$ . His habitis notus fit angu-

INTEGRÆ CONSTR. ASTR. PROP. XXIV. 83  
 gulus  $Tc\alpha$ , ut supra dictum est. Progressus calculi totus in exemplo secundo adjecto appetat.

Tandem in triangulo rectilineo  $Tc\alpha$  notum est ex numeri primi calculo latus  $T\alpha$ , ex numero secundo latus  $Tc$ , & angulus interceptus  $CT\alpha$ . Itaque juxta calculum numeri tertii invenitur  $c\alpha$  in partibus radii Disci 526, 04. Radius penumbræ in iisdem partibus est 525, 86. Differentia est, 18, qua  $c\alpha$  superat radius penumbræ, nempe  $\frac{18}{525,86}$  hoc est  $\frac{1}{29,2}$  radii penumbræ, qui excessus indicat initium Eclipsis contingere 1", ad summum 2" post horam 6 28', quod patet esse insensibile, & nullius momenti.

Ang. $cT\alpha$	$22^{\circ} 17' 15 \frac{1}{2}$	$Tc$ .	996. 475	3
Reliqui		$T\alpha$ .	556. 37.	
Anguli	$157^{\circ} 42' 42'' \frac{1}{2}$	Sum.	1552. 845 Comp. &c. 6.8088719	
Semif.	$78^{\circ} 51' 21 \frac{1}{4}$	Diff.	440. 105 ——— l. 2.6436007	
		Semif. Ang.	78 51 21 1.10.7055398	
		Invent. I. G.	55 12 2 1.10.1580124	
		Subtr. ex	78 51 21	
		$Tc\alpha$	23 39 19	
		$T\alpha$ .	556 37 ——— l. 2.7453638	
		$cT\alpha$	22 17 17 ——— fin. l. 9.5790460	
		$Tc\alpha$	—— Comp. fin. l. 3966010	
		$C\alpha$ .	526, 04 2.7210128	
		R. penumb.	525. 86	
		Differ.	000. 18	

Eodem progressu supputantur cæteræ Phases. At pro phasibus horizontalibus calculus brevior est; nam recta  $TS$ , utpote sinus totus nota jam est; itaque in secundâ formula satis est invenire angulum  $PTS$ . Pariter si locus sit in hora sexta, quia tunc angulus  $TPc$  rectus, angulus  $PTc$  unica analogiâ invenitur, nempe addendo l. sin. lateris  $TP$ , & T. l. lateris  $Pc$ . Summa mulætata i. sinistima est tl. complementi anguli quæsiti  $PTc$ .

Item additis ll. sin. complementorum  $TP$ ,  $Pc$ ; nempe LL. sin. datarum declinationis Solis, & latitudinis Locī, summa multata, ut prius, erit Log. sin. hypothenusæ  $Tc$ , è canone excerptus &c. Quæ omnia ex Trigonometria manifesta sunt.

In proposito exemplo facto calculo pro momento occasus invenitur  $S\mathbb{C} 441. 25$ , quæ subtracta ex radio penumbræ dat differentiam. Fiat ut diameter Solis  $523, 13$  ad  $12$  dig: ita  $84, 61$ . ad quartum. Invenitur defectus Solis occidentis dig.  $1. 56' \frac{1}{3}$ . Ex dato ergo Typo &c. Quod erat &c.

*Coroll. I.* In formulâ tertiatâ inventus est angulus  $Tc\alpha$ , cuius plagam Typus ostendit. Hinc potest delineari phasium schema, ut in propositione præcedenti. Pariter, quia in formulâ secundâ notus factus est arcus, cuius sinus  $Tc$ , distantia nempe Solis à vertice loci  $c$ ; consequenter scitur ejus complementum, quod est Solis altitudo supra loci horizontem; hinc hæc è Disco pro quavis datâ horâ &c. dati loci calculo inveniri potest. In exemplo est Gr.  $4. 48' 44''$ .

*II.* Quoniam totius calculi progressus ab apparentiis Parallelorum non pendet, ut patet: etiam his non descriptis in Disco inveniri potest pro datâ horâ loci notæ latitudinis apparentia in Disco, & inde phasis Eclipseis pro eodem tempore. Nam prirò querendus angulus  $PTc$ , & sinus  $Tc$ , ut in formula secunda, quæ à datis in primâ, quoad hoc, non pendet. Tum in centro Disci  $T$  ad partes à meridiana datâ horæ convenientes, fiat angulus  $PTc$ , ac  $Tc$  æquales inventis; eritque  $c$  apparentia dati loci pro dato tempore. His datis invenietur, ut in propositione  $c\alpha$  &c. At descripta prius apparentia parallelî; cum phasis circino nota fieri possit aut vera, aut veræ quam proxima, rem esse longè expeditiorem per se manifestum est; siquidem queratur tempus datæ alicujus Phasis, puta summæ Eclipseis,  $1, 2$  &c. digitorum.

*III.* Quia prædicta omnia loco peculiari determinato affixa non sunt, & Discus exhibet hemisphærium quod-

quodvis Terrestre, quod toto tempore Eclipsi successivè illuminatur; consequens est Typum esse universalem, hoc est exhibentem totam Telluris obscurationem in occurrente Eclipsi: & inde exhiberi posse Tabulam Geographican, in quâ totus penumbræ in Terrâ progressus, & inde phases Eclipsi Solaris pro quovis loco unico intuitu cognosci possint. Hujusmodi tabulas in suis accuratissimis Ephemeridibus prius (quantum scio) exhibuit vir eximus Cl. *Eustachius Manfredi*. Descriptionis praxim (ut & usum) integrum in sequentibus expono, tam geometricam, quam trigonometricam, ubi utraque locum habet: ut si contingat hinc, & nunc non esse ad manus necessaria ad unam praxim, integrum sit per alteram expedire propositum.

## PROPOSITIO XXV. PROBL. XVII.

*In Disco Terræ circulos horarios, & digitos defectus Solaris delineare.*

I. **D**ucantur (8, & 9. hujus) in Disco Paralleli quinum, aut saltem denum grad. latitudinis, quotquot siue integrè, siue partialiter cadunt intra portionem Disci, seu Terræ obumbrandom, quam determinavimus in decimanona hujus; qui Paralleli secti sint in horas. Per puncta singulorum Parallelorum cognomina ductæ diligenter curvæ (Coroll. 2.9. hujus) erunt in Disco Circuli horarum. Ad intentum finem satis sunt horæ integræ; patet tamen similiter pingi posse semihoras quadrantes &c., si libeat. Specialis difficultas est circa quædam horarum puncta in perimetro Disci, quæ per sola puncta Ellipsum exactè plerunque determinari non possunt, vel quod illæ horæ Disci perimetrum obliquissimè secant, vel quod Ellipses ultra grad. 70. latitudinis, utpote saepius angustiores non facilè sit exactissimè dividere, cum tamen illæ horæ usque ad Disci perimetrum cadentes intra umbram sint producenda, ut in figura 23. Hujusmodi puncta in perimetro spectant ad latitudines,

Tab. VII. Fig.

22.

Tab. VIII. Fig.

23.

in

in quibus Sol in data declinatione illis oritur horis, vel occidit respectivè. Itaque quærendum in data declinatione, in qua latitudine Sol oriatur data horâ, vel occidat; hoc est dato arcu semidiurno, & Solis declinatione, invenienda latitudo, cui datus arcus semidiurnus convenit: hac enim cognita, inveniri possunt puncta, in quibus inventæ latitudinis Parallelus Discum secat, quæ sunt quæsita. Utrique rei (Coroll. 9, & 10 sextæ hujus) satisfaciunt: addam & alteram praxim in propositione sequenti.

II. Absciso in Orbitæ axe  $T O$  utrinque ab Orbita, si hæc intra Discum cadat, vel ad partes  $T$ , si extra, Radio dato penumbræ, & ex hujus terminis, vel respectivè termino Orbitam versùs, diametro Solis in partibus radii Disci; secetur diameter tota Solis quadrifariam: singulae partes habebunt ternos digitos. Possunt etiam dividì singuli, sed terni plerumque possunt sufficere. Per singula puncta dividentia agantur rectæ parallelæ ad Orbitam: hæ determinabunt ternos digitos Eclipticos: nam patet earum distantiam ab Orbita esse radium penumbræ vel integrum, in limitibus nempe, vel multatam  $\frac{1}{4}$ ,  $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{3}{4}$  diametri Solis; consequenter loca iis lineis subjecta spectare Solem sub Lunâ latentem, vel  $\frac{1}{4}$ , vel  $\frac{1}{2}$  seu  $\frac{3}{4}$  diametri, ex demonstratis in vigesimasecunda hujus. Horas ergo, & Digitos &c. Quod erat &c.

### PROPOSITIO XXVI. PROBL. XVIII.

*Datis declinatione Solis, & arcu semidiurno alitudinem Poli, & inde puncta in perimetro Disci Terræ, ad eam spectantia determinare, & vicissim data Poli altitudine arcum semidiurnum, vel dato punto in perimetro Disci, ejus latitudinem, & arcum semidiurnum assignare.*

Tab. VIII. Fig. 24. **R** *Eolutio Geometrica primæ partis. Ductis utcumque normalibus  $BD$ ,  $DF$  ex  $D$  punto concursus, Ra-*

Radio quovis describatur quadrans  $FB$ , in quo abscindatur  $FE$  differentia dati arcus semidiurni a quadrante, ideoque in gradus resolvenda, si in horis detur. Jungatur  $EO$  parallela ipsi  $DF$ , quæ occurrat  $BD$  in  $O$ . Fiat angulus  $DBC$  æqualis datæ declinationi, & ejus latus  $BC$  concurrat cum  $FD$  producta in  $C$ . Ex  $C$  per  $O$  jungatur recta  $CO$ , dico angulum  $DCO$  esse quæsitam Poli altitudinem. Centro  $C$  radio  $CB$  describatur arcus  $\angle BCP$ , fiatque  $P$   $\angle E$  quadrans, jungaturque  $\angle EC$ ; patet angulum  $\angle CEP$  rectum esse; ideoque  $\angle EC, BD$  (29. i. Euclid.) parallelas.

*Demonstratio.* Ponatur quadrans  $\angle EPC$  esse meridianus, in quo  $C\angle E$  ejus cum  $\angle$  equatore communis sectio: eritque  $CP$  ad  $\angle EC$  normalis axis Mundi, &  $P$  Polum. Quoniam  $DBC$ , hoc est alternus  $\angle ECB$  (29. i. Euclid.) ei æqualis, est data declinatio, consequenter arcus  $EB$  Parallelus datae declinationis per  $B$  transit. Hunc Meridianus secat (15. i. Theod.) per diametrum, & (16. i. Euclidis) parallelam ipsi  $\angle EC$ : est ergo  $BD$  Radius ejus Paralleli, & ejus centrum  $D$  in axe  $CP$ ; & arcus  $FB$  ejus Paralleli quadrans, qui intelligatur in suo situ ad Meridianum recto super rectum  $BD$ , quo facto etiam  $EO$  Meridiano in puncto  $O$  recta erit. Quoniam  $FE$  est complementum arcus semidiurni (per constructionem) erit reliquus  $EB$  vel semidiurnus, vel seminocturnus; consequenter horizon quæsitæ latitudinis transit per  $E$ ; & quia tam Parallelus, quam horizon ad Meridianum recti sunt, etiam eorum communis sectio per  $E$  transiens (19. i. Euclidis) ad eundem Meridianum recta est; eritque  $EO$ : ergo horizon per  $O$  transit. Transit autem & per  $C$  Mundi centrum: ergo  $CO$  est communis sectio Meridiani cum quæsito horizonte. Productio  $CO$  donec secat Meridiani perimetrum in  $H$ , erit  $HP$  arcus Meridiani inter Polum, & horizontem, nempe quæsita altitudo. Sed  $HP$  est mensura anguli  $HCP$ , hoc est  $OC D$ : is angulus ergo est quæsita Poli altitudo, Quod erat &c.

*Resolutio Trigonometrica ex Geometricâ facile eruitur.*

tur. Nam si à  $P$  erigatur ad  $CP$  normalis, quæ producatur donec concurrat cum  $CH$  producta in  $T$ ; erit  $PT$  tangens arcus  $HP$  quæsitæ Poli altitudinis, cui cum Parallelæ sit  $DO$ : erit (4.6. Euclidis) ut  $CD$  ad  $DO$ , ita  $CP$  ad  $PT$ . Est autem  $CD$  tangens datæ declinationis posito  $BD$  sinu toto, &  $DO$  sinus complementi dati arcus semidiurni, estque ut  $CD$  ad  $DO$ , ita similis tangens respectu sinus totius  $CP$  ad similem sinum: patet ergo ita esse tangentem datæ declinationis Solis ad sinum complementi dati arcus semidiurni, ut sinus totus ad tangentem quæsitæ elevationis Poli. Itaque si Log. fin. comp. dati arcus semidiurni addatur complementum arithmeticum tangentis datæ declinationis Solis; summa erit Log. tangentis quæsitæ elevationis Poli, ut in apposita formula; in qua ponitur arcus semidiurnus h. 7. vel 5, nempe Gr. 105, vel 75. Invenimus ergo rursus altitudinem Poli trigonometricè.

*Resolutio Geometrica secundæ partis* in Disco fit juxta primum in Coroll. quarto, vel nono sextæ hujus: & puncta inventa in Disci perimetro pertinebunt ad inventam latitudinem, & simul ad horam ortū in dato arcu semidiurno; nempe horam decimam septimam, vel decimam nonam ad partes Disci Occidentales; ad horas occasus 7, vel 5 ad partes orientales.

*Trigonometricè* inventiuntur ea puncta, si logarithmus fin. compl. inventæ altitudinis Poli addatur Log. fin.

dati arcus semidiurni. Summa, abjecta 1 sinistima, erit 1. fin. arcus inter punctum Disci 90; hoc est  $B$ , & puncta utrin-

Arc. semid. Gr. 105, vel 75. fin. c. l. 9.4129962
Declin. Gr. 15° 40' 40" Comp. — t. l. 5518058
Alt. P. quæf. G. 42° 40' 50" — t. l. 99648020

Arc. semid. 105, vel 75. fin. 1.9.9849438
Altit. Poli Grad. 42° 40' 50" f.c. l. 9.8663728
Arc. quæf. Grad. 45° 14' 30" fin. l. 9.8513166

utrinque quæsita, ut in apposito exemplo. Etiam non inventa antecedenter Poli altitudine prædictus arcus, hoc est quæsita puncta invenientur, si ad dantur tl. dati arcus semidiurni, & Log. sin. datæ declinationis Solis.

Sunima mulctata 1. in notâ sinistimâ est tl. quæsiti, ut in appositâ formulâ.

Arc. semid. 105°, vel 75°.	Gr. t l. 10.5719475
Declin. 15° 40' 40"	sin. l. 9.4317283
Quæs. Gr. 45° 14' 30"	t l. 10.6036763

*Demonstratur* utraque praxis trigonometrica. In figura 22, esto arcus  $PVII$  horæ 7. à meridie. In trigono sphærico  $PB VII$ , angulus ad  $B$  Meridiani cum Disco restus est; latus  $PB$  notum, nempe data declinatio Solis; angulus obliquus  $B P VII$  pariter notus, nempe residuum ad 180° dati arcus semidiurni; nec refert an sit quadrante majus, aut minus, cum utriusque sit idem finis, tangens &c. Ex his datis patet ex trigonometriâ per praxim posteriorem inveniri arcum quæsิตum  $B VII$ . Quod si nota sit Poli altitudo; notum est ejus complementum, nempe hypotenusa  $PVII$ ; quare ex eadē trigonometria constat per praxim priorem inveniri quæsิตum  $B VII$ . Quod erat alterum. Constat ergo totum problema directum: Quod erat &c.

Ex datis praxibus facile conversum etiam resolvitur, quoad utramque partem. Nam primò geometricè data elevatione Poli, & declinatione Solis, si fiat quævis quadrans  $\angle CP$ , & in eo absindatur  $PH$  arcus datæ elevationis Poli, &  $\angle B$  datæ declinationis, junganturque  $CH$ , &  $BD$  parallela ipsi  $\angle C$ , quæ se secent, puta in  $O$ . Centro  $D$  radio  $DB$  ducto arcu  $FE$ , & per  $O$  ad  $CP$  parallela  $OE$ , quæ arcum  $FE$  secet in  $E$ , erit  $FE$  arcus semidiurni quæsiti complementum addendum quadranti, si declinatio Solis sit ad Polum conspicuum; auferendum, si ad non conspicuum. In casu priore summa, in posteriore differentia est arcus semidiurnus quæsitus. Is arcus etiam ex Disco Terræ haberi facile potest

Tab. VII. Fig. 22

Fig. 24

per Coroll. 9. sextæ hujus. Secundâ autem conversi problematis pars ex Coroll. 5. & 9. sextæ hujus Geometricè solvitur.

*Trigonometrica pars prior* ita solvitur. Quoniam  $CP$  ad  $PT$ , ut  $CD$  ad  $DO$ ; patet si è summa  $LE$ . tangentium datarum altitudinis  $P$ , & declinationis Solis deleatur i finissima, relinquuntur sinum complementi quæsiti arcus, ut in apposito exemplo.

Pro parte altera. Esto in *figura 22* punctum quodvis  $VII$ , per quod &  $P$  polum intelligatur circulus maximus. Mensuretur ope Scalæ chordarum arcus  $B VII$ . In trigono Sphærico  $PB VII$  rectangulo ad  $B$ , nota sunt duo latera  $PB$ , data Solis declinatio, &  $B VII$  mensura repertum: ergo per trigonometriam non latebit hypothenufa  $P VII$  complementum quæ sit æ altitudinis Poli, & angulus  $B P VII$ ; cuius residuum ad  $180$  est arcus semidiurnus quæsus; quod erat faciendum, & demonstrandum.

Altit. P. G. $42^{\circ} 40' 50''$	t l. 9.9648020
Declin. Gr. $15^{\circ} 40' 40''$	t l. 9.4481942
Compl. quæs. Gr. $15^{\circ} 50' 10''$	t l. 9.4129962

Declin. Gr. $15^{\circ} 40' 40''$	fin.co. l. 9.9835345
$B VII$ . Gr. $45^{\circ} 14' 30''$	fin.co. l. 9.8476454

Alt. P. quæs. G. $42^{\circ} 40' 50''$	fin.l. 9.8311799
--	------------------

Declin. G. $15^{\circ} 40' 40''$	fin. l. 9.4317188
$B VII$ . Gr. $45^{\circ} 14' 30''$	t c l. 9.9953364
Arc. semid. 105.	t c l. 9.4280652

### S C H O L I U M.

Hujus propositionis praxes, vel ei æquivalentes in Corollariorum sextæ hujus, usui sunt, & necessariae ad exhibendas in Tabula Geographica inferius delineanda phæses Eclipsis horizontalis, nempe pro omnibus Locis, in quibus Eclipsis non sit tota supra horizontem, vel saltem initium, aut finis, aut utraque sicut in ipso horizonte.

Por-

# INTEGRÆ CONSTR. ASTR. PROP. XXVI. 91

Porrò arcus inter punctum  $B$ , & lineas digitorum, Orbitæ &c. adhuc certius invenientur arithmeticæ, factis notis radio penumbræ, diametro Solis, ac distantia minima centrorum Disci, & penumbræ in partibus sinus totius. Ex quibus nota fient in iisdem partibus segmenta axis Orbitæ inter centrum, & singulas lineas. Hæc segmenta sunt sinus complementi arcuum Disci inter punctum  $O$ , & lineas digitorum datas, cum hæ lineæ ad axem Orbitæ rectæ sint: ex canone ergo sinuum innotescet eorum arcuum quantitas, ex qua ablato, eique addito arcu inter puncta  $O$ , &  $B$  noto ex datis trium axium angulariis, summa erit arcus inter punctum  $B$ , & datam lineam ad partes à  $B$  ad  $O$ , differentia ad partes oppositas. Declaro rem exemplo.

In figura 16 distantia minima centrorum in partibus sinus totius est 54. 5089. Radius penumbræ in iisdem partibus est 525. 8689. Adde, & aufer distantia

Tab. V. Fig. 16.

Radius penumbrae	525. 8689	
Distant. min. cent.	54. 5089	
Summa	580. 3778	Sin. gr. 35° 28' 38"
Differentia	474. 3600	Compl. quadr. min. 54° 31' 22"
Compl. prius	54° 31' 22"	Sin. grad. 28° 7' 21"
Arcus $O B$	12° 21' 43'	Compl. quadr. maj. 151° 52' 39"
Summa	66° 53' 5	Pro limite boreali
Differentia.	42° 9' 19'	Arcus quæsitus ad partes $O$
Complement. posterius	151° 52' 39"	Arcus quæsitus ad partes oppositas.
Arcus $O B$	12° 21' 43'	Pro limite Austral.
Summa	164° 14' 22'	Arcus ad partes $O$
Differentia	139° 30' 56'	Arcus ad oppositas.

tiam minimam centrorum, summa est portio axis Orbitæ M 2 bi-

bitæ inter centrum Disci, & lumen penumbrae à centro remotiorem; Differentia portio inter idem centrum, & lumen proprium. Prior in canone sinuum invenitur sinus graduum 35° 28' 38" quorum complementum grad. 54° 31' 22". Posterior sinus grad. 28° 7' 21", quorum complementum quadrante majus (is enim sinus hic est à centro Disci ad partes oppositas à puncto O) est gr. 151° 52' 39". His complementis addatur, & dematur arcus OB, qui in hoc exemplo est grad. 12° 21' 43". Fient summae, & differentiae qualitæ, quæ dabunt arcus quæsitos, ut ostendit appositum exemplum. Pro reliquis digitis, quia Solis diameter invenitur partium sinus totius 523. 1317 per divisionem invenitur quantum singulis, binis, ternis &c. digitis conveniat: puta ternis digitis, qui sunt  $\frac{1}{4}$  totius diametri, inveniuntur cedere partes 130. 7829. Hæ ablatæ è sinibus limitum superius inventis, relinquunt sinus trium digitorum, utrinque; & ita deinceps. Circa hos sinus similiter procedatur, ac circa limitum sinus. Cum autem accidit seu pro limite alterutro, seu pro digitis subtractionem, seu distantiae minimæ centrorum, seu partis aliquotæ diametri Solaris, fieri non posse (quod tum contingit, cum proposita linea cadit inter centrum Disci & Orbitam), subtrahatur minus è majori; eritque differentia sinus complementi quæsiti semper minoris quadrante. Hæc omnia ex demonstrata Typi constructione clara sunt. Cum autem prædictus calculus non pendeat à digitorum lineis antecedenter ductis, inventi arcus si decenter absindantur in Disci perimetro, Lineæ limitum, & digitorum exactissimè duci poterunt, & inde etiam Tabula Geographica exactior prodibit.

**PROPOSITIO XXVII. PROBL. XIX.**  
*Dato quovis puncto in Disco Terræ, & bora, que in eo numeratur, ejus latitudinem reperire.*

*Tab. VII. Fig. 22* **E** Sto in Disco punctum *l* in hora 22, cuius quæritur latitudo. Ex *l* ad *TB* demittatur perpendicularis *lt*,

*It*, quæ (9. hujus) erit sinus distantiae hor. 22 à meridie, nempe Gr. 30 in Parallelo, ad quem spectat punctum *l*. Est ergo semiſſis Radii quæſiti Paralleli, in linea *Co* instrumenti propositioſis decimæ. Ex centro *C* abſcindatur ſegmentum æquale ipli *It*. Per finem ſegmenti applicetur regula normaliter ad *Co*, quod fiet, ſi Regula in ſemicirculo utrinque ab *o* abſcindat arcus æquales, quod facile diſcernitur, cum sit in gradus ſectus ſemicirculus. Poteſt etiam applicari norma linea *Co*, ita ut latus unum congruat *Co*, & angulus ſit in extremo abſciſſi ſegmenti. Regula, vel norma indicabit in gradibus ſemicirculi, per quos tranſit, latitudinem quæſitam, cuius minuta, ſi qua ſunt præter gradus, per ſcalam chordarum pateſt. Inventa latitudo erit borealis, vel Australis, prout datum punctum in Diſco fuerit ab apparentia Aequatoris ad Boream, aut Austrum. Totum patet ex oſteniſ de Typi constructione, & prædicti instrumenti.

Si datum punctum ſit in horâ, quæ à meridie diſtet plus, aut minus, quam 30 gradus, quærendus ſemiradius Paralleli quæſiti; ut ſi detur punctum *b* in hora 21, aut *n* in hora 23. Agantur, ut prius, normales *b x*, *n z*, eritque *b x* ſin. grad. 45 in Parallelo puncti *b*, & *n z* ſinus grad. 15 in Parallelo puncti *n*. Ducantur duæ rectæ *a b*, *a c* facientes quemvis angulum *a*. In una abſcindatur *a e* æqualis ſemiradio Aequatoris, hoc eſt Diſci. In eadem pro puncto *n* abſcindatur ſinus grad. 15 *ag* in radio Aequatoris, qui ſinus in Rhombo extat; & pro puncto *b* abſcindatur *a b* excessus ſinus grad. 45, ſupra ſemiradiū, qui excessus in Rhombo instrumenti item extat. In altera linea abſcindantur *a f* æqualis *n z*, & *a c* æqualis *b x*, & jungintur *f g*, *c b*. Per *e* agatur *e e* parallela ipli *gf*, & *e P* parallela *bc*. Dico *e e* eſſe ſemiradiū parallelī puncti *n*, & *e P* Parallelī puncti *b*. Inventis ſemiradiis, cetera, ut in primo caſu.

*Demonſtratio* *a e*, *g f* ſunt parallelæ. Ergo ut *ag* ad *a e*, ita *ee* ad *af*. Séd *ag* eſt ſinus grad. 15 poſito ſemi-

Tab. VIII. Fig.  
25.

miradio  $\alpha\phi$ : ergo  $\alpha f$  est sinus similis posito semiradii  $\alpha\phi$ : est autem  $\alpha f$  sinus grad. 15 in quæsito Parallello; ergo in eo  $\alpha e$  est semiradius. Similiter concluditur de  $\alpha P$ . Quod erat &c.

Trigonometricè sic proceditur. Producatur  $Tl$  donec secet perimetrum Disci. Secet in  $y$ . Per chordarum scalam notus fiat arcus  $B y$  mensura anguli  $BTl$ . Quoniam  $Tl$  est sinus arcus circuli verticalis inter Solem, & verticem loci in  $L$ , qui circulus Disco perpendicularis est; ac  $TP$  est arcus, seu sinus arcus meridiani distantia  $Sol$ is à Polo: & uterque circulus in Polo Disci concurrunt; patet arcum  $By$  esse mensuram anguli, quem illi duo circuli comprehendunt, nempe  $BTy$ : Circulus maximus datæ horæ per  $P$  polum, & datum punctum in Disco facit cum illis triangulum sphæricum, cuius notus factus est angulus  $PTl$ ; notus est item angulus  $TPl$  datæ horæ cum meridiano, ac latus interjacens  $TP$  complementum datae declinationis: ergo per Trigonometriam patet latus  $Pl$  distantia dati loci à Polo, cuius complementum est latitudo quæsita. Progressum calculi ostendit adjecta formula.

Pro punctis in horâ Merid: nempe axe  $\text{Æquatoris}$ , coëuntibus arcubus omnibus in unum Meridianum; neutra datarum praxium habet locum. Facilius tamen res expeditur; & primò Geometricè sic. Per punctum propositum ducatur occulta recta ad axem  $\text{Æquatoris}$  seçans hinc, vel inde Disci perimetrum: reperiaturque ope Scalæ chordarum, quotus sit arcus eâ rectâ, & diametro  $\text{Æquatoris}$  interceptus, cuius siuuus est portio axis  $\text{Æquatoris}$  inter centrum, & illam rectam. Si is arcus sit à diametro  $\text{Æqua-}$

$P T$ Gr. 74 19' 20" fi. c. l. 9.4317288	
$P TL$ 72 38	t l. 1.10.2859949
Inv. l. 62 25' 57" tc	l. 9.7127237
Subtr. 30	l. fi. co. 9.6633869
Differ. 32 25' 57 C. q. fi. co. 736450	
Lat. Quæs. g. 27 13 tc l. 10.2888376	

INTEGRÆ CONSTR. ASTR. PROP. XXVII. 93

Æquatoris ad partes, ad quas Sol declinat, nec major sit complemento datae declinationis, summa illius arcus cum data declinatione erit latitudo quæstæ versùs polum, ad quem Sol declinat. Si ille arcus sit major complemento declinationis, & ab illius arcus differentia à semicirculo auferatur data declinatio, relinquetur latitudo quæstæ ad eandem plagam. At si arcus ille sit ad partes oppositas iis, ad quas Sol declinat, & non sit minor datae declinatione, hec ab illo auferatur, restabis latitudo quæstæ ad partes declinationi Solis oppositas. Si verò arcus ille minor sit declinatione Solis, illius ab hac differentia erit latitudo quæstæ, sed ad eandem plagam cum declinatione Solis. Ratio pendet ex ostensâ typi constructione. Puneta enim in axe Æquatoris spectant ad verticem Parallelorum, si sint infra Polam; ad imum, si supra. Porrò ex Typi constructione vertices Parallelorum distant à centro Disci sìnu differentiæ, vel summae latitudinis cum declinatione Solis; imo verò semper sìnu summae. Hinc factâ præceptâ additione, vel subtractione, patet inventari quæstas latitudines.

*Pno praxi trigonometricâ* fatis est notam facere portionem axis Æquatoris inter centrum Disci, & punctum præpositum, quæ est sìnu arcus inter diametrum Æquatoris, & rectam, quam supra: in praxi Geometricâ duximus: sic enim ex canone sìnuum innescet

Latus dat. 580. 3778.	l. 2. 7037108
Ang. axium 12° 21' 43" C. ar. l. sc. 101879	
Quæf. hypoth. 594. 1536	l. 2. 7738987
Quæ est sìnu 36° 27' 8"	
Adde Declin. 15 40 40	
Latit. quæf. 52 7 48 limitis borei	
Latus datum 471. 3600	l. 2. 6733527
Ang. axium 12° 21' 43" C. ar. l. sc. 101879	
Quæf. hypoth. 482. 5519.	l. 2. 6835406
Quæ est sìnu 28° 51' 7"	
Subtr. declin. 15 40 40	
Lat. quæf. 13 10 27 limitis Australini.	

ar-

arcus , & factâ additione , vel subtractione , ut supra , ipsa latitudo . Ille autem sinus est hypotenusa trianguli rectanguli , quod axes Aequatoris , & Orbitæ , unâ cum datis lineis digitorum formant , in quo notum est latus unum ( Schol. præcedens ) nempe portio axis Orbitæ inter centrum Disci , & datam lineam in partibus sinûs totius ; item anguli obliqui , quorum qui ad centrum est angulus axium Aequatoris , & Orbitæ notus , alter oppositus dato lateri prioris complementum . Si ergo logarithmo numeri dati lateris addatur complementum arithmeticum sin. anguli sibi oppositi , nempe complementi anguli dictorum axium : summa erit logarithmus numeri quæsiti hypotenusa ; hæc quæsita inter sinus ostendet arcum , cui addenda , vel demenda Solis declinatio , ut habeatur , ut supra , quæsita latitudo , ut ostendunt adjecta exempla pro utroque limite penumbra in eadem *Figura 17.*

## S C H O L I U M .

Arcus Disci , qui est mensura anguli  $PTl$  ab ea plaga numerandus , ad quam Sol declinat , nempe à puncto *B* , si in Boream , ab *A* , si in Austrum . Quod si arcus ille excedat quadrantem , tunc invento i. non subtrahitur , sed additur angulus  $TPl$  , & in secunda analogia pro Log. differentiæ additur Log. summæ . At si inventum sit minus dato angulo  $PTl$  , semper minor è majori subtrahatur .

Si arcus *By* sit quadrans , brevior est calculus , utpote trianguli rectanguli . Addantur Log. sin. lateris dati  $TP$  , hoc est Log. datæ declinationis Solis , & Log. anguli  $TPl$  distantiaæ datæ horæ a Meridiano . Summa , abjecta i. sinistima , est Log. hypotenusa  $P l$  idest Log. quæsitæ latitudinis . In praxi Geometricâ sinus  $l t$  ,  $b x$  facile circino habentur , licet non ducantur : si nempe possum circinum in dato punto , ita deducas ad partes  $TB$  , ut si arcus circuli ducatur tangat , sed non secat  $TP$  .

In

In propositis figuris, quæ radium habent subduplum ejus, quem in instrumento supposuimus, sinus dati duplicandi sunt, ut patet, ut per instrumentum solvatur Problema; quod idem intellige de chordis pro arcuum mensura. Per se autem patet eodem instrumento uti licere simili adhibitâ cautione, si radius pro Disco assumatur in quavis ratione exactè multiplici, vel submultiplici ejus, qui in instrumento supponitur.

## PROPOSITIO XXVIII. PROBL. XX.

*Tabulam Geographicam exhibentem occurrentis Eclipsis phasēs pro totā Tellure, delineare.*

I. **Q**uarantur (Coroll. 9, & 10 sextæ hujus, vel 26 præced.) latitudines, necnon arcus semidiurnus, hoc est hora ortūs, & respectivè occasiūs Solis punctorum omnium, in quibus Orbita, & cæteræ digitorum Eclipticorum Parallelæ secant utrinque perimetrum Disci, ut etiam punctorum I, & F, in quorum priore primò incipit, in posteriore ultimò terminatur Eclipsis Terræ, ac tandem puncti O, ubi axis Orbitæ perimetrum Disci secat, siquidem sit intra penumbræ limites, ut in *figura 23.* Inventarum latitudinum fiat catalogus adnotata singulis convenienti horâ ortūs, vel occasiūs. Ope hujus catalogi phasēs omnes Eclipsis horizontalis tara in ortu, quam in occasu Solis poterunt exhiberi in suis locis.

*Secundò.* Inveniantur (per præced.) latitudines punctorum omnium, in quibus Orbita, & Parallelæ predictæ secant curvas horarum; fiatque similiter catalogus adnotatis digitis, & horâ, ad quam singulæ spectant. His duobus paratis plusquam dimidium facti habes.

*Tertiò.* Fiat rete Longitudinum, & Latitudinum Geographicarum, semicirculum circiter in longitudinem complectens, in latitudinem autem saltem quantum occupat in Disco Terræ tota pars obumbranda. Rete

N

hoe

hoc absolutè fieri potest juxta quamlibet projectionem usitatam globi Terrauei in Tabulis Geographicis; sed ne frustra citra necessitatem labor multum augeatur, præstat per partes æquales procedere, quod dupliciter fieri potest. Primò si longitudines, & latitudines exhibeantur per rectas parallelas, quarum priores orthogonaliter decussent posteriores: ac duæ oppositæ, tam longitudinum, quam latitudinum in tot partes æquales dividantur, quot gradus longitudinis, aut respective latitudinis habere debent; ut factum est in *figura 26*. Secundò: si latitudines fiant circuli concentrici æquè ab invicem dissiti, quorum uno, sive Äquatore, sive alio, prout hic, & nunc commodum fuerit, in gradus de more seeto, Radii è centro exhibebunt longitudines, & centrum Polum Terrestrem. Horum Radiorum unus, puta, qui spectat ad primum Meridianum, ab Äquatore ad Polum usque secetur in 90 partes æquales pro 90 gradibus; quæ divisio continuabitur ultra Äquatorem, vel ultra Polum etiam, si eò penumbra se extendat. Ita factum vides in *figura 27*.

*Tab. X. Fig. 27.* Utra hic & nunc forma aptior sit, ipse Discus Terræ suggesteret. Universim dici potest; si Polus, ad quem Sol declinat est intra penumbram, aut parum inde distat, vel si penumbra tangit Discum ad intra in puncto O, aut non multum infra immersitur tota, posterior methodus aptior erit. In aliis casibus aptior erit prior, nisi fortè axis Orbitæ congruat cum axe Äquatoris, aut parum inde divertat (ut contingere potest circa Solstitia), tunc enim posterior forma æquè apta esse potest. Rete hoc totum fiet occultum, exceptis in priore formâ lateribus rectanguli extremitis sectis in gradus, in posteriore excepto Äquatore, aut alio Parallelo in gradus diviso, & Radio primi Meridiani, aut alio, similiter in gradus, ut dictum est, latitudinem diviso. Gradibus latitudinum adscribentur numeri convenientes per denos, aut quinos. Similiter fiat gradibus longitudinum postquam determinati erunt quinam numeri inscribendi; quod ita fiet. Ex Tabulis Geographicis recentiori-

tioribus, vel ex Tabulis longitudinum, quas Astronomi passim exhibent, cognoscatur longitudo loci (nisi detur) pro quo descriptus fuit Typus. Ex. gr. propositæ figuræ, seu pro Meridiano Pekinenli, qui juxta Tabulas prælaurati Manfredii distat à Bononiensi ad ortum hor. 7 1' 6" nempe grad. 105 16'. Bononia Italæ ibidem ponitur distare à primo Meridiano, item in ortum hor. 1 54': hoc est Grad. 28 30', quibus si addas 105 16', fiet longitudo Pekinensis Geographica Grad. 133 46'. Hac dati loci longitudo notanda: ea enim tanquam radice, seu termino à quo in hoc negotio utendum. Jam ex cognitis (22 hujus) momentis phasium Eclipsis in dato loco, scitur an datus locus in medio Tabulae Geographicae, an proprius ad limbum orientalem, aut occidentalem aptè statuatur. Ut in priori ex propositis Eclipsibus, quoniam ea Pekini inconspicua, quoniam tota post occasum, statuetur aptè in ipso extremo, vel propè extremum Tabulae Orientale: hinc poterit ibi inscribi numerus 135, vel 140; deinde retrocedendo 130, 120 &c. & ubi per- ventum fuerit ad grad. 0, ibi est primus Meridianus, cui 0, vel 360 adscribi potest, inde ante eum 350, 340 &c. In posteriori Eclipsi, quoniam initium Eclipsis Pekini invenitur hor. 19 44', patet aptè poni in medio circiter inter Meridiem, qui præterpropter erit in medio Tabulae, & extremum occidentale. Usus melius rem declarabit. Parato reti inscribatur tractus Terrarum con- veniens juxta Mappas Geographicas: non tamen ea subtilitate opus erit; sed satis est si Regna, aut Provinciae ad summum discernantur; licet loca aliquot insigniora suis in locis notare nec incongruum sit, nec laboriosum. Jam Eclipsis phases ita in parata Tabula delineabimus.

*Quartd.* Ex punto, ubi linea limitis penumbrae in- finita secat perimetrum Disci occidentalem, ducatur normalis ad Orbitam (facilè habetur applicatâ normâ absque eo quod linea ducatur) observa in quod Orbitæ punctum ea cadat. In figura 22 cadit in horam 4 28' 24" à Mer- die. Ex catalogo numeri i scitur illud Disci punctum

Tab.VII.Fig.22

spectare ad latitudinem australem grad.  $38^{\circ} 21' 30''$ : & Solem ibi oriri hor.  $6^{\circ} 51' 20''$  a media nocte, Astronomicè hora  $18^{\circ} 51' 20''$  à Meridie; quæ propterea numeratur in eo puncto, cum Pekini numeratur hora  $4^{\circ} 28' 24''$  diei sequentis, nempe post ineridiem. Subtrahē ergo  $18^{\circ} 51' 20''$  ex hora Pekinensi, additis  $24$ , quoniam subtractio fieri nequit, nempe ex  $28^{\circ} 28' 24''$ ; invenitur differentia longitudinum hor.  $9^{\circ} 37' 4''$ , & in gradibus  $144^{\circ} 16'$  subtrahenda à longitudine Pekinensi; cum punctum illud sit occidentalius, utpote habens horas pauciores. Factâ subtractione, additis longitudini Pekinensi grad.  $360$ , quoniam subtractio fieri nequit, restat puncti illius longitudo Grad.  $249^{\circ} 30'$ . Itaque applicetur Regula per inventos longitudinis gradus in oppositis lateribus longitudinum; tum assumptis circino gradibus longitudinis  $8^{\circ} 21'$ , positio circino in concurso Regulæ cum Parallelo longitudinis Australis Grad.  $30$ , notatur Austrum versus punctum ponè Regulam, eritque in Mappâ locus respondens assumpto Disci punto, & ad eas partes Eclipsis terminus. Idem omnino similiter fiet circa omnia singillatim puncta tam occidentalia, quam orientalia in arcu Disci, donec absolvatur catalogus numeri  $1$ . Puncta quæsita si rete rectilineum sit, ope normæ statim habentur, si ita applicetur, ut latus unum per inventæ longitudinis, alterum per datæ longitudinis gradus in rectanguli lateribus transeat: sic enim Normæ angulus erit in puncto quæsito. Per puncta inventæ occidentalia ducatur diligenter linea, item alia per orientalia. Hæ lineæ erunt in diversis casibus variæ, semper tamen decenter curvæ. Loca omnia lineæ occidentali subjecta vident sumnum defectum Solis in hujus ortu; subjecta orientali, in occasu. Puncta, per quæ illæ lineæ ductæ sunt, indicant loca, in quibus summa Eclipsis oriente Sole est tot digitorum, ad quot singula respectivè pertinent, & in iis terminantur lineæ digitorum Eclipticorum similium inferius ducendæ, quare ea puncta singula notanda sunt. Cum penumbra habet intra Discum utrumque limitem,

Au-

Australē, & Borealem, ut in *figura 22*, hæ duæ lineæ ab invicem sunt sejunctæ, & singulæ in limitibus penumbræ utrinque terminantur; ut ostendit *figura 26*. Alias coëunt in unam lineam, nempe convenientiunt in unum commune punctum, quod semper ad Meridianum pertinet, utpote enatum è puncto Disci B. Ita contingit in *figura 27*. In hoc eventu, qui frequentior est, pro iis lineis integrè ducendis, plerunque non sufficiunt puncta in lineis digitorum Eclipticorum, aut etiam cum iis punctum respondens Disci puncto O. Ut uno labore duas ærumnas conficias, ita fiet. Quia in casu hoc horarum lineæ ad partes, ad quas penumbra excedit Discum, secant Disci perimetrum, consequenter pro earum punctis in illâ inventæ sunt (24. hujus) latitudines convenientes, quarum servandus catalogus: eorum punctorum querantur puncta in Tabulâ Geographicâ similiter, ac sit pro cæteris. Per hæc puncta continueantur dictæ lineæ, donec coeant in punctum communem: & in iisdem punctis terminabuntur horæ cognomines deinceps in Mappâ ducentæ. Quia autem punctum 90, hoc est B (nisi polus ibi sit) distat à Polo quantitate declinationis Solis (juxta dicta in Coroll. 6. hujus), & quidem ultra cum declinatio est ad eum Polum, citra cum ad oppositum: hinc in posteriore casu, quia penumbra Polum non involvit, is in mappâ statui potest prope marginem superiorem, eritque centrum Parallelorum in priore ab eo margine removendum intra Mappam tot gradibus latitudinis, quot habet data Solis declinatio, aut paulò plus. Nec tamen opus est ultra Polum Long. gradus distinguere, cùm Latitudines necessariæ per gradus in opposito Æquatoris semicirculo haberi possint.

*Quinto.* E singulis punctis intra Discum, in quibus lineæ limitum penumbræ, item digitorum, & Orbitæ secant singulas curvas horarum deinitiantur normales ad Orbitam, & comparando tempus in Orbitâ, in quod singulæ incident, cum horâ puncti, in quâ sunt singula illa puncta, eruantur singulorum longitudo. Ex. gr. ex

Fig. 22.

ex puncto hor. 19 in limite penumbrae Australi (*Figura 22.*) demissa perpendicularis incidit in punctum Orbitæ spectans ad horam Pekinensem 4. 28; hoc est (additis 24) 28 28'. Inde subtractis 19 hora puncti in Disco, unde demissa perpendicularis, restant horæ 9. 28'; est ergo differentia longitudinum subtractiva Gr. 142 0'. Subductis his è longitudine Pekinensi, inventur longitudo puncti assumpti 35 1 46'. Ex longitudine inventâ, & simul latitudine notâ ex catalogo numeri secundi, determinetur in Mappâ punctum conveniens, ut numero precedentem. Et ita de reliquis. Puncta hæc cum è communibus concursibus horarum, & linearum Eclipticarum Disci enascantur, tam ad horas, quam ad digitos Eclipticos spectant. Itaque puncta, quæ ad easdem partes ab occasu in ortum ad eandem Eclipsis quantitatem pertinent, jungantur diligenter lineis curvis, terminandis utrinque in punctis cognominibus linearum summæ Eclipsis numero precedenti inventis. Harum extreme curvarum definient totum Telluris tractum, in quo aliquid Eclipsis spectari poterit; extra ipsum verò, nihil omnino: Reliquæ linearum definient quantitatem summæ Eclipsis in locis quibuslibet sibi subjectis; ut linea Orbitæ per puncta propria descripta, definiet loca omnina, in quibus spectabitur Eclipsis centralis. Pariter puncta eadem, quatenus horaria, ab Austro ad Boream cognomina jungantur lineis: quæ plerunque curvæ erunt; ac terminantur in limitibus penumbrae ad Boream, & Austrum, cum penumbra intra Discum habet utrumque iis exceptis, in quibus intra tractum Terræ Eclipticum alicubi Sol oritur, & occidit; hæ enim ex eâ parte, ad quam sunt suprà horizontem terminantur in limitum altero; ad alias partes sistunt in linea summæ Eclipsis horizontalis, ubi eam secat Parallelus, in quo horæ illæ ortivæ sunt, aut occiduæ, cuius latitudo (26. hujus) querenda. Hoc autem accidit horis omnibus, cum penumbra alterutro caret limite, ut ostendit *figura 26.* in horis 18, 6, & 7. Quod si contingat lineam quampiam hu-

Fig. 26.

*pro priore casu.*

hujusmodi bis incurrere in eundem penumbræ limitem , ita ut cadat tota intra tractum Eclipticum , ibi utrinque sistet , nec ad lineam summæ Eclipsis horizontalis perveniet : nimirum eâ horâ nullibi erit summa Eclipsis oriente , aut occidente Sole. Tam horarum , quâm digitorum lineis sui numeri convenientes adscribantur , ut figuræ ostendunt . Loca omnia sub lineis horarum spectabunt summam Eclipsem eâ horâ , cujus lineæ subjacent , & quantitatis , quam decussantes lineæ digitorum indicant . Horæ , & quantitates in locis intermediis ab hora ad horam , & ab una trium digitorum linea ad aliam estimatione discerni possunt , quantum satis ad intentum : ut non tanti videatur singulorum digitorum , ut & semi-horarum , & quadrantum lineas ducere ( licet eodem artificio posse manifestum sit ) immensi utique laboris incremento . Hinc etiam pro lineis 12 digitorum , cum ab Orbitâ distinctæ sunt , ut plerumque , satis erit invenire puncta in lineis summarum Eclipsis horizontalis , & in meridie : cum enim ad sensum sint æquidistantes viæ centri penumbræ , hac primò ducta , illæ duæ in manu satis benci possunt .

*Sexto.* Diducto circino ad intervallum totius radii Penumbræ è singulis punctis in perimetro Disci , quibus numero quarto nisi sumus ( exceptis punctis limitum , è quibus ducta perpendicularis ad Orbitam , ei Radio æqualis est ) notentur in Orbitâ hinc inde duo puncta , quæ æqualiter distabunt ab eo , in quod cecidit perpendicularis ( nam si ducerentur lineæ ex punto Disci ad hæc puncta , hæ ambae essent æquales ; & cum ea perpendiculari , & Orbitæ portione inclusa facerent duo triangula , quorum ea perpendicularis est latus commune , & anguli ab ea utrinque recti æquales ; consequenter ( 26 : Euclid. ) portiones Orbitæ inter perpendiculararem , & singula ea puncta etiam æquales ). Horæ Orbitæ , in quæ singula puncta incident comparentur cum horâ ortùs , aut respectivè occasùs in punctis Disci , unde ea puncta notantur , que hora ex catalogo numeri prius nota est :

& , ut

&, ut prius, eruatur singulorum longitudo conveniens. Ex hac, & latitudine ex eodem catalogo nota, determinentur, ut prius, puncta in Mappâ. Puncta ad partes occidentales, quæ prodeunt ex punctis notatis in Orbitâ ad partes occidentaliores in Mappâ eadent à linea summa Eclipsis horizontalis in ortu orientem versus, & contra. Similiter ad partes orientales puncta, quæ oriuntur ex notatis in Orbita ad partes orientaliores cadent à linea summa Eclipsis in occasu ad partes occidentales, & viceversa. Per inventa puncta ducantur decenter curvæ, nempe una per puncta extra lineam summa Eclipsis in ortu, altera per puncta intra eam, & similiter ad utrasque partes à linea summa Eclipsis in occasu. Priora duæ coibunt utrinque cum extremis lineæ summa Eclipsis in ortu, posteriores cum simili in occasu, siquidem penumbra habeat intra Discum, nempe & in Mappâ utrumque limitem austrinum, & boreum, ut in *Figura 26*. Harum linearum, quæ sunt utrinque extremæ sunt limites Eclipsis ab occasu in ortum; hoc est totius tractus ab occasu in ortum, in quo aliquid Eclipsis spectari poterit; & in locis subjectis lineæ extremæ ad occidentem finitur Eclipsis in ipso Solis ortu, quare tota absolvitur infra horizontem: In locis subjectis oppositæ extremæ incipit Eclipsis in ipso Solis occasu, & reliquum totum infra horizontem peragitur. Linea interior ad occidentem indicat in locis sibi subjectis Eclipsim incipere in ipso ortu, & interior ad Orientem finiri in ipso occasu: quare hæ duæ lineæ definiunt ab occasu in ortum totum Terræ tractum, in quo Eclipsis ab initio ad finem usque erit spectabilis. Loca vero omnia, quæ lineis initii, & finis Eclipsis in ortu intercluduntur, finem Eclipsis spectare poterunt, sed non initium; contra intercepta similibus lineis in occasu, initium videbunt, sed non finem: quæ vero sunt inter lineam summam Eclipsis in ortu, & lineam finis, finem tantum, non item summam Eclipsim; contra quæ sunt ad alias partes intra lineam initii in ortu, etiam summam Eclipsim spectant. Similiter loca, à linea finis

Fig. 26.

## INTEGRÆ CONSTR. ASTR. PROP. XXVIII. 105

finis in occasu usque ad lineam summæ Eclipsis , initium, & summam Eclipsum , cætera verò usque ad lineam initii , solum initium spectare poterunt . Cùm penumbra alterutro limite Boreali , vel Australi caret , lineæ initii , finisque Eclipsis horizontalis binæ , & binæ in unam co-  
èunt , similiter ac lineæ summæ Eclipsis horizontalis . Hinc si puncta in lineis digitorum non sufficient , quæ-  
rantur alia similiter , ac pro linea summæ Eclipsis factum fuit . Porro linea initii Eclipsis in ortu , quæ est interior lineâ summæ Eclipsis in ortu , coibit cum lineâ initii in occasu , quæ est exterior ; & linea exterior finis Eclipsis in ortu , cum linea interior finis in occasu ; quod diligenter notandum , nè perperam ad eas partes ducantur , & phases falsò indicentur . Puncta concursuum binarum quandoque erunt idem punctum , quandoque diversa . Cùm idem sunt , idem pariter erunt cum communi con-  
cursu linearum summæ Eclipsis horizontalis , ideoque in lineâ horæ meridianæ , in distantiâ à Polo æquali decli-  
nationi Solis . Cum sunt diversa , si ex Polo intervallo datæ declinationis Solis ducatur arcus , is tangere debet tres curvas initii , summæ , & finis Eclipsis in punctis concursuum ; nec ulla earum intra spatiū eo circulo conclusum excurret , si exactè ductæ fuerint ; arcusque ejus Paralleli erit pro horâ meridiei relativè ad eas pha-  
ses horizontales . Vide Fig.27. Prædicta concursuum , Fig.27.  
puncta notentur \* : inde enim hinc , vel inde diversas est earum linearum usus , ut infra dicam . Quid si con-  
tingat ( ut potest , licet rarius ) Eclipsum contingere quidem in ortu Solis , nullibi tamen in occasu , aut contra ( quod Typus ipse ostendet ; si nempe penumbra so-  
lum semicirculum occidentalem Disci mordet , aut so-  
lum orientalem ) prædictæ tres lineæ solùn ad plagam occidentalem , aut respectivè orientalem habentur , &  
coibunt si nul in suis utrinque extremis , in quibus indi-  
cabitur initium simul , summa , & finis Eclipsis , nempe in locis sub illis punctis solus Luminarium instantaneus contactus apparebit . In casu defectus alterutrius limitis

O

pe-

penumbræ, notari etiam debet in mappâ locus respondens puncto Disci O, axis Orbitæ; ibi enim fit ad eas partes obscuratio maxima, vel minima. Maxima quidem, cum centrum penumbræ Discum non ingreditur; minima cum ingreditur. Ratio est quia in eo axe minima omnium est distantia centrorum penumbræ, & Disci: quare si centrum penumbræ sit intra Terram, tunc maxima portio penumbræ immergitur, quare punctum O ad partes oppositas habet minimam intra umbram immersionem, ac cætera limbi Disci puncta: est ergo obscuratio minima. At cum centrum penumbræ extra Terram est, punctum O maximè omnium intra penumbram immergitur, hinc ibi fit maxima obscuratio. Itaque tale punctum semper est in linea summæ Eclipsis horizontalis, quæ cum ducta jam sit, & puncti O latitudo habeatur ex catalogo numeri primi, si ducatur occulta portio. Paralleli latitudinis puncti O secans lineam summæ Eclipsis horizontalis in ortu, si punctum O sit in semicirculo Disci occidentali, vel in occasu, si in orientali; ea sectio est punctum quæsitum, cui adscribitur phasis conveniens maxima, aut minima. Similiter, quia ex eodem catalogo scitur latitudo punctorum I, & F, in quibus primò incipit, nempe in I, & ultimò desinit Eclipsis, nempe in F, nimirum in I fit prima phasis, in F ultima, & punctum I spectat ad ortum, F ad occasum Solis, manifestum est ea puncta esse debere primum in linea initii Eclipsis Sole oriente, alterum in linea finis Sole occidente. Cum ergo hæ lineæ jam ducæ sint, ubi Parallelus puncti I secat lineam initii Eclipsis in ortu, notabitur prima Phasis, & ultima ubi Parallelus puncti F secat lineam finis in occasu. Punctum Disci T semper est in linea meridianâ, ut patet. Si penumbra illud involvat, notatur ejus punctum in horâ 24, ubi eam secat Parallelus æqualis, & ejusdem speciei, latitudinis cum datâ Solis declinatione. In eo puncto summa Eclipsis fit in vertice, nec unquam centralis, nisi novilunium verum fiat in ipso nodo; quod rarissimum est. Si

Tab.8. Fig.23.

punctum  $T$  penumbra non ingreditur, ut in Fig. 23. 27. nullibi contingit Eclipsis in vertice; hinc punctum illud in Mappâ non notatur.

*Septimò.* Ex factâ hactenus descriptione, liquet lineam, seu lineas digitorum o in concursibus cum lineis summæ Eclipsis horizontalis quasi dividi in duas, ambas item digitorum o, sed alteram in immersione, alteram in emersione tam in ortu, quam in occasu Solis. Idem contingit lineis aliorum digitorum, quæ ibidem pariter dividi possunt in binas spectantes ad totidem digitos in horizonte, alteram in immersione, alteram in emersione. Harum puncta inveniuntur similiter; utendum tamen Radio penumbræ minuto tribus digitis pro lineis trium digitorum, sex digitis pro lineis 6 digitorum &c. Lineæ ductæ per puncta inventa, quæ sunt extra lineas summæ Eclipsis horizontalis indicabunt totidem digitos Eclipsis orientis in emersione, occidentis in immersione; cæteræ Solis orientis in immersione, occidentis in emersione. Hæ lineæ coibunt binæ, & binæ in lineis summæ Eclipsis horizontalis cum respondentibus lineis digitorum Eclipsis non horizontalis, si utrinque ab Orbitâ habeantur cognomines. Cum alteruter deest, ut in Figura 27. linea borealis digit. 3 re ipsa Fig. 27. conneexteretur ortiva cum occidua similiter, ac lineæ initii, & finis. At quia in illis angustiis tot lineæ confunderentur, & confunderent, satis est ad eas partes produci, quandiu potest sine confusione. Horæ in Mappâ jam descriptæ nihil habent commune cum lineis his phasum horizontalium, unis exceptis lineis summæ Eclipsis; sed phases illæ contingunt in locis subjectis eâ ipsâ horâ, qua ibi Sol oritur, aut occidit. Possunt tamen et iam horæ phasum horizontalium facile describi; erunt enim portiones Parallelorum à lineâ initii, tam in ortu, quam in occasu, transeuntes per puncta horarum descriptorum in lineâ summæ Eclipsis horizontalis: patet enim eandem horam numerari Sole oriente, aut occidente in eodem Parallello eodem die saltem ad sensum intratem.

pus durantis Eclipſis. Hinc portio Aequatoris erit h. 6. Similiter duci poſſunt ſemihoræ, & quadrantes, inven- tis (26. hujus) latitudinibus Parallelorum, in quibus illi ad ortum, vel occaſum Solis ſpectant. Hinc autem clariū intelligitur, cur puncta, in quibus coēunt linea initii, & finis Eclipſis in ortu, & occaſu Solis, licet con- cursus illi omnes enaſcantur à puncto meridiano B Disci, non tamen ſemper ſunt in linea hor. 24 numero 5 ducta. Nam ea linea ſpectat ad Eclipſim non horizontalem; at pro phasibus horizontalibus meridiana eſt portio Paral- leli, qui tangit illa puncta concurſum.

Hic autem notandum, prædictarum horarum ho- rizontalium ſingularum ſegmenta utrinque à linea ſumma Eclipſis horizontalis, uſque ad lineaſ initii, & finis eſſe æqualia. Quod etiam contingit quibusvis aliis Pa- rallelis Aequatoris, ſive per lineaſ rectas, ſive per circu- los exhibeantur. Ratio eſt quia puncta Orbitæ, per qua determinantur in Mappâ puncta linearum initii, & finis diſtant æqualiter à punctis ſummae Eclipſis, ut nu- me- ro 6 oſtendimus: ergo unius longitudo tanto minor eſt longitudine puncti ſummae Eclipſis, quanto alterius ma- jor; conſequenter utrinque à linea ſumma Eclipſis in ſuis Parallelis æquales utrinque arcus abſcindunt. Hinc unā, & eadem operā, non ductis perpendicularibus, in- veniri poſſunt puncta Orbitæ ſpectantia ad ſumma Eclipſim horizontalem. Nam ſi fiat ſumma horarum, ad quaſ inveniuit ſpectare initium & finis, ac bifariam di-vidatur; ſemifliss erit hora ſpectans ad ſumma Eclipſis, ut patet. Et hoc compendium affert non contem- neñdum.

**Ottavo.** Tandem ſicut lineaſ ſummae Eclipſis hori- zontalis habent utrinque duas lineaſ in utroque, vel altero extremo ſecum coēuntes, quarum dexterior ini- tium, finiſterior finem in horizonte notat in locis ſibi ſubiectis; ita ſimiliter cæteræ horæ ſummae Eclipſis ſimi- les lineaſ utrinque habere poſſunt, in altero, vel utro- que extremo ſecun̄ coēuntes, quarum finiſterior, hoc eſt

est occidentalior finem, dexterior orientalior initium Eclipsis supra horizontem in locis sibi subjectis indicent. Earum describendi ratio eadem est, ac horizontalium; si nempe statuto circino in punctis intra Discum ad horas digitosque spectantibus, radio penumbræ notentur in Orbitâ hinc inde duo puncta, quæ simili ratione ostendentur æqualiter distare à momento summæ Eclipsis eadem horâ; ac deinde cætera fiant, ut pro phasibus horizontalibus. Et hic etiam locum habent, quæ diximus in notando præcedenti, ac simile compendium. Haæ lineæ quando umbra caret alterutro limite, ad eas partes non coëunt cum lineâ horæ summæ Eclipsis non horizontalis cognominis. sed lineæ initii Eclipsis cognominibus in lineis initii Eclipsis horizontalis, & lineæ finis cum similibus in lineis finis: Quod idem accedit, ubi penumbra utrumque habet limitem, iis horis, quæ alicubi intra spatum Eclipticum ortivæ sunt, vel occiduæ. Ut ostendit Fig. 26, in quo ejusmodi lineæ per puncta ad distinctionem ductæ sunt. In Fig. 27 non du-ximus, quia Mappam longe majorem petunt, ut sine confusione delineentur. Patet autem similiter, ac pro phasibus horizontalibus fecimus, etiam lineas, quæ indicent dig. 3 &c. tam in immersione, quam emersione, duci posse. Quod quidem innuo, ut appareat Typi Ecliptici, de quo agimus, usus amplissimus; non ut in Mapâ universali tantum laboris impendatur sine respondenti utilitate. Præcedentibus peractis Tabulæ Geographicae petita descriptio absoluta erit. Quod erat faciendum. Ex hactenus dictis pauca sunt, quæ ulteriori egeant demonstratione; ex constructione enim Typi, & aliis supra ostensis satis patent. Nam numerus primus, & secundus & coroll. 9, & 10 6<sup>o</sup> item ex 26, & 27 hujus constant. Numerus tertius probatione non eget; licet enim Terrarum tractus in libitâ formâ exhibere, modò longitudines, & latitudines certa lege serventur. Tria ergo restant demonstranda, nempe in datâ praxi ritè determinari primò momenta summæ Eclipsis in datis horarum, & di-

Fig. 26.

Fig. 27.

digitorum punctis , secundo *differentias longitudinum* ,  
Tertio *puncta phasum horizontalium* .

*Ostenditur primum.* Summa Eclipsis in quovis loco tunc est , cum centrum penumbræ ( 23. huj.) ab eo minime distat ; tunc enim in Disco per Lunæ cælum appetet minima centrorum Solis , & Lunæ distantia . Sed à punto ad lineam distantiam minimam determinat perpendicularis linea ; nam alia quævis , utpote hypothēsa trianguli rectanguli ( 18 , & 32 i Euclid. ) major est : ergo in datâ praxi determinatur minima distantia centri penumbræ ab assumptis Disci punctis , ideoque summa Eclipsis . Quod est primum . Vide tamen de hoc Scholium sequens .

*Ostenditur secundum.* Differentia longitudinum duorum Locorum Terrestrium commensuratur differentiæ horarum , quæ in utroque eodem reali momento numerantur . Singulis enim horis debentur quindenii gradus Äquatoris , & cujusque Paralleli , ulteriores quidem Orientem versus pro loco , in quo numeratur hora posterior , citeriores in Occidentem pro eo , in quo numeratur hora prior . Cùm ergo horæ in Orbitâ notatae sint quæ numerantur in dato loco , pro quo Typus descriptus , cùm centrum penumbræ est in orbitæ horis &c. hora verò puncti assumpti in Disco ea sit , quæ eodem momento ibi numeratur ; patet ritè determinari eo parato longitudoines . Quod est secundum .

*Ostenditur tertium.* Typi Semicirculus occidentalis pertinet ( Coroll. x i. 6 hujus ) ad loca , quibus Sol successivè oritur ; orientalis ad ea , quibus occidit . Phases ergo per puncta peripheriæ Occidentalis inventa ad Solēm orientem , & per puncta peripheriæ Orientalis ad occidentem pertinent . Jam ritè determinari phases summae Eclipsis horizontalis constat ex demonstratione primæ partis . Pro punctis initii , & finis utimur toto penumbræ radio , consequenter cùm centrum penumbræ est in punctis Orbitæ è perimetri punctis eo radio notatis , tunc per ea puncta transit penumbræ limes , vel

vel primum ea attingens , vel ultimò deserens : tunc ergo in iis incipit , vel definit Eclipsis : rectè ergo etiam harum linearum puncta determinavimus . Porro Disci , seu Telluris perimetri puncta penumbra primò attingit , cum centrum habet adhuc ad occidentem respectu Terræ (penumbra enim pergit , ut Luna , ab occasu in Ortum ) ; ultimò autem , cùm ad orientem . Ergo puncta Orbitæ occidentaliora punctis summæ Eclipsis tam in ortu ; quām in occasu Solis determinant initium Eclipsis in ortu , & orientaliora finem : sed citra ea loca omnia , quibus Eclipsis finitur oriente Sole , & ultra ea , quibus incipit in ipso occasu , nihil de Eclipsi spectatur , cùm Solem sub horizonte ~~luna~~ videant : ubi verò Eclipsis incipit in ortu , aut finitur in occasu tota Eclipsis est conspicua : ergo puncta finis Eclipsis in ortu , & initii in occasu , sunt omnium utrinque extremæ , ac limites ad ortum , & ortum tractus Ecliptici ; ideoque extra lineas summæ Eclipsis horizontalis ; puncta verò initii in ortu , & finis in occasu sunt intra lineas summæ Eclipsis in ortu , & occasu . Similis est demonstratio pro aliis phasibus horizontalibus : cum enim utamur radio penumbræ minuto 3 , 6 &c. digitis diametri Solaris , patet centro penumbræ posito in notatis punctis Orbitæ penumbram in ea loca , consequenter (23. hujus) Lunam in Solem immersam ibi spectari 3 , 6 &c. digitis , sive in immersione sive in emersione . Puncta ergo omnia , consequenter etiam lineas rite determinavimus . Simili discursu patet de lineis spectantibus ad Eclipsim non horizontalem ; pro quā , quia punctis Disci usi sunus spectantibus ad horas simul , & digitos ; ad horas simul , & digitos spectant puncta inventa in Mappâ ; & quia digitorum lineæ ab occasu in ortum , horarum a Boreâ in Austrum procedunt , rectè tam has , quām illas ductas fuisse constat . Patet ergo ratio totius constructionis . Quod erat &c.

*Uſus Tabula* facilis est , & magnam partem in ipsa constructione expositus : cavenda tamen confusio . Quare , ut dictum est supra , horas , & lineæ digitorum Eclipsis

psis non horizontalis nil habent commune cum lineis phasium horizontalium, præterquam summæ Eclipsis. Itaque ubi linea aliqua earum horarum secat lineam aliquam phasis horizontalis, duo ibi indicantur; nempe eo in loco summam Eclipsim spectari eâ horâ, & quantam lineæ digitorum ab occasu in ortum innuunt: alterum ibidem Solem oriri, aut respectivè occidere cum defecitu, quem linea phasis horizontalis eam horam intersecans notat; eritque in immersione, si de ortu Solis res sit; in emersione, si de occasu: nam prædictæ lineæ horariæ ad lineas immersionis in occasu, & emersionis in ortu non perveniunt.

*Præterea* Cum lineæ Eclipsis horizontalis in ortu discretæ non sunt à similibus in occasu, diligenter secernendæ earum partes. Nam linea summæ Eclipsis à linea horæ 24 summæ Eclipsis non horizontalis secernitur; ita ut ejus pars ad occidentem tota indicet summam Eclipsim in ortu Solis; ac tota pars in orientem, in occasu Solis. Punctum concursus ad utrumque spectat. Similiter lineæ initii, & finis secernuntur in punctis concursum, in quibus binæ similes coëunt; & à concursu in occidentem ad Solis ortum, in orientem ad occasum pertinent, communes concursus ad utrumque. Ratio est, quia hi tres concursus respondent Disci punto *B*, quod in declinatione Solis ad Polum conspicuum spectat ad eum Parallelum, in quo centrum Solis tunc præcisè descendit usque ad horizontem, ac statim iterum ascensit; quare ortus, & occasus, seu potius qualis ortus, & occasus idem est momentum. In declinatione oppositâ spectat ad Parallelum, in quo centrum Solis præcisè usque ad horizontem pervenit, ac statim incipit rurus mergi. Hinc etiam ea tria puncta in Mappâ ortui, occasuque communia sunt. Cætera peripheriæ Disci puncta hinc, & inde a punto *B* vel ad solum ortum, vel ad solum occasum referuntur; ideo similiter accidit prædictis lineis ultra citraque concursum puncta. Notandum autem concursum linearum initii semper esse orientaliorem.

con-

cōcursu linearum finis, quoties discreti ab invicem sunt. Cum enīnū concursus ad ortum simul , & occasum referantur , & umbra loca orientaliora seriūs attingat , quām occidentaliora , & relinquat priūs occidentaliora , quām orientaliora , locus in quo Sol oritur , & occidit initio Eclipsis necessario occidentalior est eo , in quo sub eodem Parallelo oritur , occiditque in fine .

*Consideranda* Ulterius sunt puncta quādam , in quibus prædictæ tres linea se invicem secant . Linea initii Eclipsis in ortu secare non potest lineam summæ Eclipsis item in ortu , præterquam in limitibus penumbræ Australi , & Boreali . Nam cum ibi Eclipsis etiam summa sit o , ut initio , & fine , nihil est inconveniens : at alibi cum summa Eclipsis adulta sit , si ibi incurreret etiam linea initii in ortu , indicaret Eclipsum incipere simul , & adultam esse , quod est absurdum . Solū ergo secabit lineam summæ Eclipsis in occasu , indicabitque in loco subiecto communi illi sectioni , Solem incipere tegi in ipso ortu , & in momento summæ obscuratioñis occidere eā horā , quam linea horariæ summæ Eclipsis indicant . Similiter linea initii in occasu extra prædictos limites , tantum lineam summæ Eclipsis in ortu secabit ; & indicabit eo loci Solem occidere initio Eclipsis , & in momento summæ obscuratioñis rursus oriri ; ideoque ibi Eclipsis præcedenti vespere cæptæ reliquum a summa ad finem sequenti die mane videbitur . Nox ergo in eo loco admodum brevis , ut in priori casu dies : quare prior casus in declinatione tantum ad Polum non conspicuum , posterior in declinatione ad conspicuum potest contingere . Pariter linea finis Eclipsis in ortu secare potest , extra limites prædictos , tantum lineam summæ Eclipsis in occasu , & linea finis in occasu tantum lineam summæ in ortu . In primo casu notabit in communi sectione ibi Solem occiderē cum summo defectu , & in fine Eclipsis rursus oriri die sequenti : in posteriore , Solem oriri cum summo defectu , & in fine Eclipsis occidere ; quare , ut supra , in priore casu nox admodum

brevis, in posteriore dies, ideoque in singulis declinatio Solis, ut supra. Item ubi concurrunt linea initii in ortu, & finis in occasu, indicatur ibi Sole oriente incipere obscurationem, quæ toto die perdurans in ipso occasu finitur; hinc pariter dies admodum brevis, & declinatio Solis ad polum non conspicuum. Ubi verò se secant linea finis in ortu, & initii in occasu, indicatur ibi Solis occultationem incipere vesperi præcedenti in ipso occasu ac Eclipsi totam noctem perseverante, in ortu diei sequentis finiri: quare nox brevis admodum, & declinatio ad Polum conspicuum. Lineæ horarum initii, & finis numero octavo ductæ indicant horam initii, & respectivè finis in locis sibi subjectis: quæ erit ortus, aut occasus in punctis ubi illæ secant lineas initii, & finis in horizonte. Porro hæ horæ cum lineis digitorum nihil habent commune, cùm Eclipsi quantitas initio, & in fine semper sit 0. Momenta inter singulas horas, ut & Eclipsi quantitas in locis lineas digitorum interjacentibus, æstimatione, quantum satis ad intentum, discernuntur.

*Tandem plaga defectus Solaris ex Mappâ ita scietur.* Si in Mappâ extat via centri penumbrae, omnes regiones eâ Australiores vident Solem deficere in parte Boreali (intellige in summo defectu), Borealiores in Australi. Quæ subsunt viæ centri, defectum centralem vident. Excipe lineas digitorum 12, cùm diversæ sunt a via centri. Nam si detur umbra pura (id in Mappa notatur adscriptis lineæ centri litteris CT, nempe centralis totalis, alias CA, centralis analuris) linea 12 digitorum Australior indicat contactum interiorem Solis, & lunæ ad plagam Australem, Borealior ad Borealem. In Eclipsi annulari Australior indicat contactum Borealem, Borealior Australiem, hinc prior refertur ad digitos defectus in plagâ Boreali, posterior in Australi. Si in Mappâ desit via centri penumbrae, omnibus regionibus apparebit summus defectus in eam plagam, in quam vergit cavitas linearum digitos Eclipsi non horizontalis exhibentium.

Co-

*Coroll.* I. Ex Tabula Geographicâ superiùs descriptâ mirum in modum declaratur, immò oculis ipsis subiicitur totus penumbra in Terrâ progressus in occurrentibus Eclipsis, ideoque diversitas tum temporis, tum quantitatis, quæ in Solis occultatione iisdem, ac diversis momentis è diversis locis conspicitur: aliqua h̄c ulterius declarare non erit inutile. Et *primo* patet, ei qui primus Eclipsim videt vel ultimus, tunc apparere Solis extremum occidentale in horizonte, consequenter Solē proximè oriri, vel proxime occidere: nam radii Solis, qui penumbram circumscribunt, sunt radii è Solis peripheriâ ad peripheriam Lunæ. Cum ergo penumbra in Terram prīmō incidit, in eo puncto eam tangit radius ex limbo Solis occidentali, ad Lunæ limbum orientalem (nam Luna ab occidente Solem orientaliorē assequitur); ut etiam in loco, ubi ultimò cernitur initium Eclipsis. In iisdem punctis terram tangit proprius eorum locorum horizon: ergo radius ille & consequenter extremum Disci Solis occidentale, unde emat, sunt in loci horizonte. At cum limbis occidentali Solis est in horizonte ortivo, centrum, ac reliquum Solare corpus est infra horizontem, sed proximè emerfura; & cum idem limbis est in horizonte occiduo, centrum, & corpus Solare totum sunt supra horizontem, sed proximè occasura: patet ergo propositum. Quia tamen refractio horizontalis sidera attollit ad 32', & paullè plus, totidem apparet ferè corpus Solare, hinc in priore casu Sol. totus supra horizontem apparebit, tanquam nonnihil ante ortu non in ortu viso, in posteriore non nihil supra horizontem elevatus; ideoque non in ipso occasu viso; & hinc limites Eclipsis ad ortum, & occasum non nihil extenduntur.

IL. Licet Sol oriatur saltem proximè ei loco in quo sit prima phasis, & occidat proximè ei, ubi ultima, non tamen ea loca sunt termini tractus Terrarum in quo Eclipse spectari poserit, sed etiam aliis locis occidentalioribus spectabilis erit, quibus momento primæ phasis Sol

adhuc sub horizonte delitescit, & orientalioribus, quibus momento ultimæ phasis jamdiu occidit; licet non integra. Ratio est, quia penumbra crassitatem suam habet satis magnam. Hinc quando ejus limes orientalis Terram attingit, reliqua umbra tota extra Terram est, quæ Lunâ paulatim in ortum procedente sensim Terram subit. Attamen interea Sol, & Luna in oceasum motu diurno rapiuntur, & successivè locis aliis, & aliis occidentalioribus oriuntur, in quæ cum incidere non possit radius Solem, & Lunam tangens, qui ad ortum jam processit incidunt radii intra penumbram, consequenter oritur Sol jam deficiens plus minus, prout axi penumbræ propior, aut ab eo remotior fuerit radius penumbræ in loco Terram tangens; idque tamdiu, quamdiu locum tangat radius tangens limbum orientalem Solis, & occidentalem Lunæ, qui in oppositâ umbrosi coni superficie existit. Similiter in occasu, quando in loco apparet ultima phasis, eum tangit superficies penumbræ occidentalis; ergo tota penumbra jam extra Terram est, quæ idcirco multò ante à Terra egredi cœpit. Non autem egredi cœpit in loco ultimæ phasis, alioquin ibi tunc Sol occidisset: ergo in locis orientalioribus, quibus prius occidit, consequenter ad ea etiam penumbra pervenit, Solisque defectus fuit conspicuus. Itaque linea initii Eclipsis in ortu, in quâ fit prima phasis, & finis in occasu, in quâ linea fit phasis ultima, sunt linutes tantum tractus Terrarum, in quo Solis Eclipsis occurringens a principio ad finem spectari poterit.

III. Patet penumbra post initium Eclipsis Terræ ad ortum simul, & occasum diffundi; ad ortum quidem secundum partes orientales, procedente penumbrâ cum Lunâ ad ortum ab occasu; ad occasum secundum partes occidentales, quæ propter motum diurnum Solis, & Lunæ in loca occidentalia more successivè incurvant. Ubi autem limes penumbræ occidentalis Terram strinxit, tum diffusio in occidentem cessat, ac tota in ortum pergit, lentius tamen, quasi Sol, & Luna motum diurnum non ha-

haberent. Contra ante finem Eclipsis Terræ, penumbra in Terrâ postquam ejus limes orientalis eò pervenit, ut Terram tangens immediate postea eam deferat, tam ab occasu, quā ab ortu coarctatur, & deerescit: ab occasu, quia limes penumbræ occidentalis inde ad ortum perpetuò progreditur; ab ortu, nam partes penumbræ orientales successivè aliæ atque aliæ, è Terrâ egrediuntur, donec limbus occidentalis Terram tangat, nempe in loco ultimæ phasis; ac tum Eclipsis Terræ finem habet. Quæ omnia lineaæ phasium horizontalium in Mappâ ipsis oculis subiiciunt.

IV. Hinc in eâdem Mappâ sciri potest quantum temporis insumat penumbra, ut Terram subeat secundum totam eam partem quæ subitura est pro Lunæ latitudine, & quantum temporis ab initio emersionis è Terrâ ad finem insumat. Si enim observetur in Mappâ maxima longitudo primæ phasis, & minima in linea finis in ortu; differentia longitudinum in horas, & minuta conversa, dabit primum: alterum similiter habetur ex differentiâ longitudinalis ultimæ phasis a maxima longitudine lineaæ initiî in occasu. Horæ enim, & differentiæ longitudinalium commensurantur. Alia multa consideranti. inde eruere pronum est.

### S C H O L I U M.

Facta descriptio ad intentum satis est, nempe, ut inde tempora, & phases Eclipsis prope veræ pro dato quovis loco cognosci possint, ac præparari necessaria ad observationem. Quod si res ad mathematicum rigorem exacta peteretur, multò majori labore opus esset. Nam *momenta summae Eclipses* determinavimus per normales ad Orbitam, quod fortè universaliter verum non est. Licet enim ex omnibus rectis, quæ ab uno puncto ad datum rectam duci possunt, normalis sit brevissima, non tamen est necessariò brevissima omnium etiam obliquarum, quæ ex aliis punctis ad eandem lineam duci possunt nisi

nisi puncta illa sint omnia in linea datâ parallelâ. Porrò, cùm loca terrestria Opticè, & centrum penumbræ re ipsâ perpetuâ moveantur, & non per lineas parallelas, Orbita enim semper recta est; Paralleli, aut sunt Ellipses, aut si lineæ rectæ, tunc maximè ad Orbitam inclinantur, fieri fortè poterit alibi locum à centro penumbræ propius distare, quâm cùm sunt ambo in eâ perpendiculari. Tamen discrimen, si quandoque sit, valde modicum erit: Nam cum centrum penumbræ triplo, & quadruplo quandoque velocius moveatur, quâm locus (is enim à limbo occidentali usque ad orientalem ab ortu Solis usque ad occasum pertingit, centrum verò penumbræ non impendit quatuor integras horas) vix continget minimam distantiam ab eo perpendiculari ante, aut post, minuto uno. Nec obstat, quod in Fig. 27 linea minima distantia centri penumbræ ab apparentiâ Pekini recedat a perpendiculari ad Orbitam triginta circiter gradibus: est enim ratio disparitatis. Nam pro eâ phasim puncta horarum, & minutorum in Orbitâ determinata sunt pro Pekino. Ita horis autem sic determinatis contingere potest, & contigit sëpissimè tempora in Orbitâ, & Parallelo cognomina numquam incidere in rectam normalem ipsi Orbitæ, consequenter nec locum Terrestrem cum centro penumbræ: hinc minima distantia, quæ certò alicubi est, in linea obliquâ necessariò constituta est. At in descriptione Typi, & Mappæ universalis tempora Orbitæ indeterminata, & vaga supponuntur; ita ut aliter ac aliter pro diversis denominari possint. Hinc quia centro penumbræ positio in quovis puncto Orbitæ, ex quo ducatur perpendicularis; cùm centrum sit sub eâ perpendiculari, aliqua loca Terrestria apparere debent, in quibus ea numeratur hora, quam lineæ horariae in Disco indicant, patet pro iis locis punctum illud Orbitæ ad eandem horam pertinere: nempe cùm centrum Orbitæ ibi est, in locis sub eâ perpendiculari ea hora numeratur. Ea ergo loca convenienter cum centro penumbræ in eadem linea ad Orbitam perpendiculari;

Fig. 27.

lari; quare ibi habent a centro penumbrae minimam distantiam, saltem quam proxime; ut supra dictum est. Similiter neque variationis diametri apparentis Lunæ pro variâ ab horizonte altitudine rationem habuimus: cùm hæc vel pro loco determinato non sit magni momenti; quanto minus pro Mappâ Generali. Item neque Refractionis rationem habuimus, qua cum ortum Solis acceleret, occasum retardet, limites Eclipsis ortivum, occiduumque nonnihil extendit, & phæses horizontales paulo majores aut minores ibi exhibet, quam in Mappâ notentur, ut in fine Coroll. I. innuitur. Tandem, neque habita est ratio plagi defectus horizontalis, ratione cujus fieri potest phasim horizontalem in Mappâ indicatam in ortu adhuc sub horizonte latere (amplum enim corpus est, & apparet Sol), aut ante centri Solis occasum jam delituisse; licet refractio huic defectui plurimque inedeatur. Hæc omnia indicanda fuerunt, nè plus dari videatur, quam re ipsâ detur.

*Tabulam Geographicam obscurationis Telluris ex Typo universali antecedenter descripto deduxi. Methodus hæc per placuit, tanquam omnium (quantum sum expertus) expeditissima, & simul tutissima. Nam ex una parte hic de paucorum minutorum in longitudinibus, ac latitudinibus discrepantiâ cura esse non debet, quæ nec circino, multò minus oculo discernitur; ex alia parte eadem operâ puncta pro lineis Digitorum siniul, & Horarum expeditè admodum obtinentur; ac insuper si quis notabilis error (qui in calculo tam multipli facile subrepit) forte committatur, ipsa inspectio Typi (in quo propter descriptos Parallellos propositorum punctorum latitudo præter propter oculis ipsis manifesta est) illud prodit, monetque ut corrigatur. Cæterum eadem Tabula perfici potest tota ope solius calculi, unice, ad vitandam confusionem, descripto Typo Eclipsis Terræstris, qualis propositum in 18. hujus; nempe Disco Terræ cum tribus axibus Äquatoris, Eclipticæ, & Orbitæ, ac viâ centri penumbrae, & hac etiam non sicut in horas, & mi-*

& minuta . Id , quod satis innui in Coroll. 2. post 24. hujus . Sed ne quis quidquam h̄ic desideret , placet nunc pleniū rem declarare : inde enim , & superiū dicta confirmabuntur , elucescentque magis , ut & projectio- nis hujus pr̄stantia , ususque mirabilis , & amplissimus .

Tab. XI. Fig. 28.

Esto ergo Discus Terræ (Fig. 28.) pro primo exem- plorum , quibus superiū usi sumus . In eo meridiana , & axis Æquatoris esto  $B T$  , Polus  $P$  ,  $ET$  axis Eclipticæ ,  $OT$  Orbitæ . Angulus  $O TP$  inventus fuit Gr. 12. 21' 43'  $TM$  est distantia minima centrorum penumbræ , & Di- sci , quam invenimus in partibus sinū totius partium 54. 47. Orbita , seu via Lunæ erit  $IMF$  ad  $OT$  per  $M$  nor- malis . Radius penumbræ  $MO$  , quem relativè ad sinum totum invenimus partium 526 , 86 . Diameter Solis est similiū partium 523 , 13 . Motus æquabilis  $C$  a  par- tium 578 , 10 . Pro re pr̄senti , quærendæ sunt lati- tudines , & longitudines plurium punctorum in lineis singulis ducendis Digitorum . Pono pro exemplo li- neam Digitorum 6 , quæ concipiatur tanquam ducta (in figura ducenda fuit re ipsa pro demonstratione , nem- pe  $VAR$  ; quæ secat  $OT$  orthogonaliter in puncto 6) . Cogitentur ē centro  $T$  rectæ plures ad dictam lineam utrinque a  $TB$  , facientes cum  $TB$  angulos quoscumque , suppositione tamen notos , puta ad denos gradus ; nem- pe duæ , altera hinc , inde altera , quæ supponantur fa- cere angulos utrinque grad. 10 , duæ similes , quæ 20 , duæ quæ 30 . &c. Hæ in concurso cum propositâ linea Digitorum dabunt puncta , quorum si inveniantur latitudi- nes , ac longitudines poterunt per propositionem in Map- pam transferri , ac ibidem duci proposita Digitorum linea . Sint pro exemplo linea  $TA$  ,  $TR$  , quæ cum  $TB$  faciant utrinque angulos Gr. 30 . Ex datis Radio penumbræ , dia- metro Solis , ac  $TM$  minima centrorum distantia , in triangulis 6  $TA$  , 6  $TR$  ad 6 rectangulis notum est (Schol. post 26 hujus) latus commune  $T 6$  . Pariter addito , aut subtrahendo (ut casus tulerit) angulo noto  $OTB$  , ipsis  $B TA$  ,  $B TR$  suppositione notis , noti fiunt anguli 6  $TA$  , 6  $TR$  , & hinc

hinc eorum complementa  $T A 6$ ,  $TR 6$ , Itaque per Trigonometriam invenientur hypothenuſæ  $TA$ ,  $TR$ , quæ (Coroll. 3. post 9. huj.) sunt ſinuſi diſtantia a vèrtice punctorum  $A$ , &  $R$ ; & hinc per canonem ſinuum notiſiſt arcus Verticalium respondentes. Cogitati jam ex  $P$  polo per  $A$ , &  $R$  circuli maximi  $PA$ ,  $PR$  erunt complementa latitudinis punctorum  $A$ , &  $R$ , fientque triangula ſphærica  $PAT$ ,  $PRT$ , quoruſum notum eſt la- tūſ commune  $PT$ , id eſt complementum notæ declina- tionis Solis; latus  $TA$ , ſeu  $TR$  ſupra inventum, & angulus positionis interceptus ſuppoſitione notus. Non latebit ergo latus  $PA$ , ſeu  $PR$ , quoruſum complementa ſunt quæſitæ latitudines. Notus etiam fiet angulus  $TPA$ , ſeu  $TPR$ , qui in horas, & minuta reſolutus dabit diſtantiam horariam punctorum  $A$ , &  $R$  a Meridiano, conſequenter momentuſ, quod in iſis numeratur.

Jam in triangulis rectilineis rectangulis  $A 6 T, R 6 T$  datur latus commune  $T 6$ , item ſuperius inventa hypothenuſæ  $TA, TR$ , & anguli omnes. Multipliciter ergo inveniri potest latus  $A 6$ , ſeu  $R 6$ , hoc eſt (cogitatis  $AD, RG$  ad Orbitam rectis, & hinc Parallelogrammis  $AM, RM$ )  $DM$ , ſeu  $GM$ . Fiat jam, ut motus horarius in Orbita  $C$  a notus in partibus ſinuſ totius, ad horam 1, ſeu  $60'$ , ita inventa  $MD$ , ſeu  $MG$  ad quartum, prodibunt horæ, & minuta, quæ addita, aut subtracta tempori noto puncti  $M$ , dabunt momentum conveniens puncto  $D$ , ſeu  $G$  in loco, pro quo eſt Typus. Ex hoc & momento, quod invenimus ſpectare ad punctruſ  $A$ , ſeu  $R$  invenitur, ut in propositione, longitudo punctorum  $A$ , ſeu  $R$ . Ita procedendum pro reliquis punctriſ quibuscumque in proposita quavis digitorum lineā. Invenimus ergo latitudinem, & longitudinem propositorum punctorum, unde Tabulae Geographicæ lineas digitorum inſcribere poſſimus. Quod erat unum faciendum. Progressum calculi totius pro puncto  $A$  habes in adjectâ formulâ.

Radius penumbræ	525,86	Diameter	533,13
Add. $T M$	54,47	Dig. 6	261,57
Sum. $T A$	586,33	$B T A.$	30° 0' 0"
Subtr. dig. 6.	261,57	Subt. $O T B$	12 21 43
$T 6$	318,76	$6 T A$	17 38 17 f.c.l.C. 209118
578,1 dant temp.	60'	$T 6$	318,76 — l. 2.5034638
Ergo $M D$	101,6562	$T A$	334,48 — 2.5243750
Dant	10 30	Gr. respond. 19 32 29 tl. 9.5501475	
Hora $M.$	6 0 15	$P T A$	30 0 0 f.c.l. 9.2375306
Subtr.	10 30	Inv. I.	17 5 11 tl. 9.4876781
Hor. $D$	3 42 45	Ex $T P$	74 19 20
Auf. Hor. $A$	23 14 23	Resid.	57 14 9 f.c.l. 9.7333437
Differ.	6 35 22	$T A$	19 32 29 f.c.l. 9.9742353
In grad.	98 50 30	Inv. I.	17 5 11 f.c.C. 19604
Ex long. Pekin.		Lat. q.p.u.A 32 14 47	f.l. 9.7271834
	133 46 0	Item $PTA$ .	30 0 0 f.l. 9.6989700
Resid.	34 55 30	$T A$	19 32 29 f.l. 9.5243756
Longitudo puncti A quæ sita.		$P A$	57 45 13 f.l.C. 727521
		$TPA$	11 24 18 f.l. 9.2950977
		Hoc est dist. pun. A à Mer.	ob 45° 37"
		Ergo hora in $A$	23 14 23
		Tandem $T 6$	318,76 l. 2.5034638
		$6 T A$	17 38 17 f.l. 9.4814469
		$T A 6$	72 21 43 f.l.C. 209118
		A 6, seu $MD$ partium	2.0058225
			101,6562

Pro punctis in meridianâ ratio calculi habetur in Schol.  
post 27. hujus. Licet autem inveniatur hora punctorum A,  
& R

& R pro tempore, quo centrum penumbrae est in D, vel respectivè G; quia tamen rarissimè accidet puncta illa inveniri in hora integra sine fractionibus, ejusmodi calculus satis non est, ut duci exactè possint, saltem methodo certa linea horarum: neque res confici potest imaginando ex Polo circulos horarum integrarum ad propositam lineam digitorum. Nam esto PS circulus hor. 22. secans in S lineam propositam. Juncta TS sinu distantiae Solis a vertice puncti S, fit quidem triangulum tam sphæricum PST, quam rectilineum TGS, sed neutrura resolubile. Nam in sphærico dantur tantum latus PT, & angulus TPS in hoc exemplo grad. 30. In rectilineo præter angulum rectum 6 datur unicè latus TGS. Duo autem data non sufficiunt ad trianguli resolutionem. Hinc nulla est trigonometrica via quærendi TS, & cætera inde pendentia. Sed neque mensura locum habet, cum TS supponatur non ducta, imò ignorato puncto S, nec duci possit.

*Itaque pro lineis horarum* peculiari calculo opus est, cuius progressus is erit. Proponatur ex grad. edicenda longitudo puncti horæ 20. in Parallelo latitudinis grad. 40. (nam supponenda hîc latitudo, sicut supra supposuimus angulum positionis). Quæratur (3. Coroll. post 24. hujus) angulus positionis P T 20, & quantitas sinus T 20, notumque erit punctum 20, ex quo per P Polum arcus circuli maximi 20 P est complementum datæ latitudinis, ideoque notus; in exemplo est Gr. 50. Cogitetur 20 G recta ad OT. Addito, vel dempto (prout casus petit) angulo noto OTB ipsi invento 20 TB, notus fiet CT 20, ejusque complementum T 20 C, in rectilineo rectangulo T 20 G, in quo cùm nota sit etiam hypothesea T 20 supra inventa, innotescet latus 20 C, hoc est (cogitata 20 H ad orbitam recta) æqualis HM; & inde, ut in priori casu, cognoscetur longitudo propositi puncti 20: & quia nota fieri etiam potest TC, & dempta TM ipsa MC, sciri etiam potest Eclipsis quantitas per comparationem ad radium penumbrae, & Solis diametrū,

quæ ambo dantur. In exemplo *MC* invenitur major radio penumbrae, ex quo patet Eclipsim ad punctum 20 non pervenire; quod in Figura propositionis 18 oculis ipsis manifestum est. Inventa longitudine puncti 20, cum latitudo supponatur, poterit in Mappa notari tale punctum. Similiter procedendum pro reliquis horis, & Parallelis, puta denum graduum; & duci poterunt lineæ horarum. Quod est secundum.

Licet autem in progressu etiam *Eclipsis quantitas* nota fieri possit; quia tamen rarissime contingit eam inveniri tot præcisè Digitorum sine fractionibus: hinc similis hic recurrat difficultas, circa lineas digitorum, quæ in priori calculo circa lineas horarias. Patet ergo, si omnia ad certam methodum sint exigenda, utroque seorsim calculo opus esse. Propositi calculi seriem exhibet adjecta formula.

<i>TP</i> 20, 60° f.c.l. 9.6989700	<i>Ut Hor. C</i> à ☽ 578, 1 ad 60'; ita 537, 69 ad 55° 50'
<i>P</i> 20, 50° tl. 10.0761865	<i>Hor. M.</i> 6° 0' 15
<i>Inv.</i> 1 30 47° 29" tl. 10.7751565	<i>Auf.</i> 55 50
<i>Ex TP</i> 74 19 20	<i>C T</i> 6453 49
<i>Resid.</i> 43 31 56 f.l. C. 1619306	<i>T M</i> subte 54, 47
<i>Inv.</i> 1 30 47 24 f.l. 9.7091367	<i>Hor. H.</i> 5 4' 25
<i>TP</i> 20, 60° 0 tl. 10.2385606	<i>Auf.</i> 20 0' 0
<i>PT</i> 20, 52° 9 22 tl. 10.1096279	<i>Diff.</i> 9.4 25
<i>Item</i> <i>P</i> 20, 50° 0 0 f.l. 9.8842540	<i>In gr.</i> 136 6' 15
<i>TP</i> 20, 60 0 0 f.l. 9.9375306	<i>Ex long.</i> Pekin.
<i>PT</i> 20, 52° 9 22 f.l. C. 1025460	133 46°
<i>T</i> 20, 57 9 2 f.l. 9.9243306	357 39 45
Hojus finis 840, 10 1. 2. 9.243306	<i>Longit. puncti</i> 20.
<i>PT</i> 20, 52° 9 22	357 39' 45' ad
<i>OTP</i> , 12 21 43 sub.	Parallelum latitudinis Gr. 40.
<i>CT</i> 20, 39 47 39 f.l. 9.8062015	<i>Eclipsis non per-</i>
<i>C 20 T</i> , 51 12 21 f.l. 9.8855583	<i>tingit.</i>
<i>Sum. supremi &amp; med.</i> 2.7305319, <i>Recta 20 C, b. c. M M.</i>	537, 69
<i>Summa sup. &amp; infimi</i> 2.8098889; <i>Recta C T</i>	645, 49

Pun-

Punctorum in linea horæ XXIV., seu Meridiana latitudo determinatur calculo ex Schol. post 27. hujus, longitudo per datam hinc praxim.

At punctorum in perimetro Disci (hæc nota fiunt calculo tradito in Schol. post 26 huj.) Latitudo determinatur per dictam 26 hujus: at longitudo tam pro summa Eclipsi, quam pro initio, & fine in horizonte, facile item supputatur. Esto notum punctum  $V$  pro linea 6 digitorum in perimetro Disci. Scitur ergo arcus  $BV$ , ideoque & angulus  $BTB$ , cogitato radio  $TV$ ; & facta convenienti additione aut subtractione, angulus  $OTV$ , nempe  $6TV$ . In triangulo ergo  $6TV$  ad  $6$  rectangulo, noti sunt anguli obliqui, & hypothenusæ  $TV$  sinus. totus: non latebit ergo latus  $V6$ , hoc est (intellectâ  $VN$  ad orbitam rectâ) ei æqualis orbitæ portio  $NM$ ; unde, ut supra, eruetur longitudo puncti  $V$  pro summa Eclipsi in horizonte. Pariter, quia nota est  $M6$ , scitur ei æqualis  $VN$ . Si nota Radio penumbræ supponantur notari ex  $V$  in Orbita puncta  $Q$  pro initio, &  $T$  pro fine, ac jungi  $VQ$ ,  $VT$ : Quoniam in triangulis  $VNQ$ ,  $VNT$  ad  $N$  rectangulis nota sunt latus commune  $VN$ , & hypothenusæ  $VQ$ ,  $VT$ , nempe radius penumbræ, non latebunt latera  $NQ$ ,  $NT$ , quæ (26 i. Eucl.) sunt æqualia, & inde ut supra longitudo puncti  $V$  pro initio in  $Q$ , & fine in  $T$ . Quod est propositum, ac totum quod petebatur. Calculi Methodum hinc subiicio.

Ex form. I.  $T_6 = 318,76$ , i. e. fin.  $18^{\circ} 35' 16''$ . Ergo  $O V 71^{\circ} 24' 44''$

<i>M N</i> 947,8338 comparata cum horar. à ☽ dat 1h 38' 8 3'' luctu.	Add. $O B$ ————— 12 21 43
<i>Ex Hora M</i> 6 0 15	Sum. $B V$ gr. — 83 46 27
<i>Hora N</i> 4 21 52 Pro sum. Ecl.	$B V$ 85° 46 27'' f.c. 9.9815349
<i>N Q</i> subt. pro in. 47 6 ad. pro fine	Latit. $V$ 5 59 36 f.g. 0187540
<i>Hora in Q</i> 3 34 46 pro initio	It. $B P$ 15 40 40 f. 9.4317288
<i>Hora in T</i> 5 8 58 pro fine in horizonte.	$B P$ 82 46 27 t.c. 9.0377849
Init. Summa Finis	Ar. sem. 91 41 19t.c. 8.4695177
5h 34' 46'' 4h 21' 52'' 5h 8' 58''	Ergo hor. ort. in $V$ 17h 53' 15''
Hor. ort. Hor. ort. Hor. ort.	It. $O TV$ 71 24 44 f. 9.9767333
17 53 10 17 53 10 17 53 10	$TV$ 1000 ————— 3.0000000
9 41 36 10 28 42 11 15 48	6V, seu <i>M N</i> 947,8338 2.9767333
In grad. In gr. In gr.	Tandem $T^6$ 318,76
145 24 0 157 10 30 168 57 0	Auf. $T M$ 54, 47
<i>Ex lon. Pek.</i> <i>Ex lon. Pek.</i> <i>Ex lon. Pek.</i>	$M^6$ 264, 29
133 46 0 133 46 0 133 46 0	$V Q$ , R. pena 525, 86
Long. qu. Long. qu. Long. qu.	Sum. 790, 15 2.8997095
348 22. 0 336 35 30 324 49 0	Differ. 261, 57 2.4160910
	Sum. Log. 5.3138005
	Semif. $Q N$ , vel $N T$ 2.6569002
	454, 1245
	Quæ comparata cum horar. ☽ à ☽ 578, 1 dat temperis oh 47' 6''

Coroll. I. Si per priam formulam inveniantur puncta Digitorum in  $TE$  axe Eclipticæ, qui exhibet hujus nonagesimum, duci poterit linea nonagesimi, sub qua quæ erunt loca videbunt summam Eclipsem ☽ in nonagesimo.

II. Si idem fiat circa similia puncta axis Orbitæ  $O T$  duci poterit linea, sub qua quæ erunt loca videbunt sum-

summum defectum in momento, quo fit summa Eclipse Terræ.

III. Si applicetur formula tertia aliis punctis horariis, vel etiam digitorum, duci poterunt lineæ initii, finis &c. in qualibet alia hora non horizontali, ut innui-  
mus fieri posse per primum propositionis. En igitur quo-  
modo res tota conficiatur, etiam non descripto Typo  
universalis cum Parallelorum, & horarum lineis. At quan-  
tum sit compendium laboris in praxi propositionis, licet  
describendus sit ille Typus, si utraque methodo rem se-  
mel aggrediaris, me non dicente, experimento cognosces.

Cæterum praxis primi exempli molliri nonnihil po-  
test; si nempe anguli positionis supponantur bini & bini  
æquales utrinque ab axe Orbitæ, non ab axe Æquatoris:  
sic enim consurgent triangula rectilinea ad axem Orbitæ  
rectangula, inter se æquiangula, & propter latus commu-  
ne, omni sensu æqualia: hinc resoluto uno alterum quoque  
resolutum erit; & utriusque puncti eadem erit differentia  
longitudinum a longitudine, quam supponit hora pun-  
cti  $M$ , una quidem per defectum, ideoque subtracti-  
va, altera per excessum additiva.

In praxi tertii exempli; quia  $T_6$ ,  $6V$  normales  
(ita de similibus) ac  $T_6$  nota est in partibus sinūs totius,  
ideoque ex canone sinuum notus est arcus, cuius est si-  
nus; notus etiam erit ejus arcus complementum, cuius  
sinus est  $6V$ , quare sine alio calculo ex eodem canone  
excerpitur  $6V$ . Ut quoniam in exemplo  $T_6$  invenitur  
sinus grad.  $18^{\circ} 35' 16''$  erit  $6V$  sinus grad.  $71^{\circ} 24' 44''$ . In  
praxi secundi exempli compendium nullum mihi occur-  
rit. Solum noto in Æquatore addendum log.sin.datæ de-  
clinationis, ac log.sin.distantiæ datæ horæ a meridie. Sum-  
ma erit log. sin. anguli positionis; cui addendus, vel de-  
mendus angulus axium Orbitæ, & Æquatoris. Item  
summa log. sin. distantiarum datarum horarum a meridie; cum log.  
sin. declinationis dabit log. sin. quæsitæ distantiarum Solis à  
vertice, nempe  $T_{20}$ ; unde ut supra, eruetur horæ  
propositæ quæsita longitudo.

PRO-

## PROPOSITIO XXIX. PROBL. XXI.

*Peculiaria circa Lunæ Eclipses.*

*Tab.XI.Fig.29.  
& Tab.XII.Fi-  
gura 30.*

**D**ictum est sèpius traditam methodum etiam Lunaribus Eclipsis aptam esse, quod per se patet: Eclipses enim Terræ, ac Lunæ similiter, ac è simili causa accidunt. Verùm, quia diversimodè nonnihil ambæ accipiuntur, nec non diversimodè spectantur, peculiaria quædam pro Lunaribus notanda sunt. Diversimodè accipiuntur: nam Eclipsis Lunæ non censetur, nisi umbram puram Terræ Lunæ aliquo modo subeat, nullâ habitâ penumbra ratione; sive, quod hæc nudis oculis non appareat; sive quod ejusmodi Eclipses Lunæ in Terræ sola penumbra Astronomiæ inutiles sint, cùm penumbrae fines suminè diluti discerni non possint; ideoque nec defectus tempora, & phases. At verò Eclipsis Telluris attenditur modò tantillum penumbra Terram intret; quia tunc omnino alicubi Sol deficere spectatur. Diversimodè spectantur: Nam Eclipsum Terræ quasi è Luna intuemur in Disci Terræ parte superiori illuminata, & diurna; Lunæ verò è Terra, ideoque in Disci per Cœlum Lunare facie obscura, ac nocturna. Itaque observanda discrimina breviter expono.

I. In Eclipsi Lunari Radius Disci supponendus æqualis Radio umbræ Terrestris in loco transitûs Lunæ, qui radius methodo communi determinandus. Patet enim tamdiu esse Eclipsum, quandiu aliquid Lunæ intratalem Discum involvitur. Discus is est sectio coni umbrosi Terræ cum plano parallelo illius basi, nempe basi hemisphæriorum terrestrium illuminati, & obscuri; ideoque (4. i. Apoll.) circulus est, minor quidem prædictâ basi, cùm sit vertici coni sensibiliter vicinior; in eo tamen projectiones circulorum Terrestrium, ac Cœlestium (21. hujus) similes sunt iis, quæ in Disco Terræ fiunt; consequenter eadem omnino ratione delineantur.

II. Quia

II. Quia Luna ipsa umbram subit, ubi in Eclipsi Terræ adhibetur Radius penumbræ, hic usui erit Lunæ Radius apparet pro tempore, & quantitas Eclipsis æstimatur per comparationem ad Lunæ diametrum in 12 æquales partes sectam.

III. In Eclipsibus Terræ partem Disci occidentalem statuimus ad sinistram, orientalem ad dextram. In Lunaribus fit oppositum: Nam spectans Eclipsim Terræ è Luna obtutu converso in boream, in quo hemisphærio nos sumus, occidentem habet ad sinistram, orientem ad dexteram. At spectans Eclipsim Lunæ quæ respectu nostri australior est convertitur in Austrum, ideoque occasum ad dexteram habet, ortum ad levam. Hinc cum tam penumbra, quam Luna ab occasu in ortum progrediantur, in priore casu ponimus penumbram a sinistra ad dexteram, contra in posteriore Lunam pergere. His servatis discriminibus, cætera omnia perinde, ac in Eclipsi Terræ; sive circino, sive calculo (19, & 20 hujus) expediuntur.

IV. Eclipsis Lunaris phases, ubicumque ea fuerit conspicua, eodem reali momento eadem sunt, cum Luna ipsi Disco incumbat. Hinc absque peculiari scheme in ipso Disco exhiberi possunt. Nam secta pro more via Lunæ in horas, semihoras &c., intervallo dati Radii Lunæ factis centris in punctis Orbitæ, in quibus accidit initium, & finis Eclipsis, item summa, hoc est media, ductisque circulis, exhibitæ erunt hæ tres phases. Similiter factis centris in aliis Orbitæ punctis, ut semi-horarum, quadratum &c., ducti eodem radio arcus intra Discum cæteras phases expriment. Ut autem singulæ statui possint in ea, quam habebunt inclinatione ad horizontem, quærendi, & delineandi verticales Solis, hoc est umbræ in singulis phasibus. Verticales hi non solum diversi sunt in phasibus aliis, & aliis, sed etiam in eadem, prout è diversis locis spectatur. Loca enim Terrestria, ut singula proprium horizontem, sic, & proprium Zenith, propriosque peculiares habent ver-

Fig. 29.  
ticales. Hinc licet phasis quilibet eadem ubique apparet, non tamen similiter posita ubique. Verticales hujusmodi pro dato loco, ac momento (Coroll. 2. i 4. hujus) inveniri possunt: sed expeditius facies, si partem necessariam arcus nocturni paralleli dati loci describas in horas &c. sectam. Nam ad hujus puncta cognomina punctis Orbitæ, in quibus est centrum Lunæ in datis phasibus, ductæ rectæ à centro Disci, erunt verticales quæsiti, ut ostendit Fig. 29. in verticalibus initii, finis, & summæ Eclipsis pro Parallello latitudinis Borealis Grad. 25 25', longitudinis 131 30' circiter, ubi haec scribo. Est autem Typus Eclipsis Lunaris diei 28 Maii anni 1733, pro cuius observatione Typum paraveram; usum tamen ejus Coelum integrè nubilum, ac pluvium non concessit.

Fig. 30.

Quòd si placeat (ut satius est) omnes Eclipsis phases in unico Lunæ Disco exhibere, ut superius pro Eclipsi Solis; id etiam licet; pro quo ita procedi potest. Centro quovis  $M$  describatur Discus Lunæ, quem per  $M$  secat Orbita  $AMB$ . Ad hanc per  $M$  agatur normalis Orbitæ axis  $MT$ , in quo absindatur  $MT$  æqualis minimæ distantia centrorum Lunæ, & umbræ in summa Eclipsi. Centro  $T$ , radio datae umbræ in convenienti ratione ad Radium assumptum Lunæ, describatur umbra circulus. Clarum est haberi phasum summæ Eclipsis; ac potest juxta dicta duci  $ZTN$  verticalis summæ Eclipsis. Per  $T$  agatur occulta  $ITF$  Parallelæ Orbitæ, in eaque dividantur horæ &c. omnino, ut in ipsa Orbita, sed ordine inverso, nempe  $TI$  habeat puncta rectæ  $MB$ , ac  $TF$  convenientia rectæ  $MA$ . In hac recta factis centris in punctis temporis convenientis exhibendis phasibus, Radio umbræ describantur arcus intra Discum Lunæ, & factum erit, quod petitur. Arcus notati per puncta exhibent phasem emersionis. Verticales ex Typo, ut etiam linea Eclipticæ ejusque axis huc transferri possunt prohibito.

Ratio constructionis clara est; cum enim tanta sit pha-

phasis, quanta Lunæ pars est intra umbram; Luna autem similiter immergatur, sive ipsa umbram immotam subeat ab occasu in ortum, sive fingatur Lunam immotam umbra æquali progressu ab ortu in occasu invadere, & in constructione hoc postremum factum sit; patet exhiberi phases petitas. At lineas verticalium idem hinc præstare, ac supra in Disco, sic ostendo. Esto  $CT$  verticalis initio Eclipsis, cum Lunæ centrum est in  $B$ .  $MB$ ,  $TI$  sunt (ex constructione) parallelæ, & æquales; si ergo jungantur  $BT$ ,  $MI$  æquales item (33 i Euclid.) & Parallelæ erunt. Ducta  $BC$  ex centro Lunæ initio Eclipsis ad datum locum Terrestrem  $C$ , fiat angulus  $AMD$  æqualis angulo  $MBC$ , &  $MD$  æqualis  $BC$ , ac jungantur  $ID$ ,  $CD$ . Quoniam angulus externus  $AMD$  factus est æqualis interno, & opposito  $MBC$ , rectæ  $MD$ ,  $BC$  (27 i Euclid.) sunt parallelæ: factæ sunt autem & æquales: ergo  $MD$ ,  $CB$  (33 i Euclid.) Parallelæ sunt, & æquales: Cum ergo etiam  $MB$ ,  $IT$  parallelæ sint, & æquales, etiam  $CD$  talis erit ipsis  $IT$ , &  $DI$  ipsis  $CT$ . Si itaque  $CT$  statuatur normalis ad horizontem, &  $DI$  (8 i Euclid.) ad eundem recta erit. Est autem  $DI$  verticalis initio Eclipsis, si tunc centrum Lunæ ponatur in  $M$ : nam Triangula  $BCT$ ,  $MDI$ , quorum latera omnia ostensa sunt æqualia, æqualia sunt inter se, (8 i Euclid.) in omni sensu, & similiter posita propter angulos  $MBC$ ,  $AMD$  æquales: ergo data phasis similiter sita erit ad horizontem, sive utaris  $CT$ , sive  $DI$  pro linea verticali. Eodem discursu ostenditur de ceteris. Dixi *similiter possita ad horizontem*, quia hoc satis est ad intentum. Ceterum, an verticalis hinc an inde sit a centro Lunæ, schema hoc non exhibet, uno excepto verticali summæ Eclipsis. Nam initio Eclipsis distat centrum Lunæ à verticali loci  $C$  totâ rectâ  $BC$ , cum tamen in schemate appareat  $MC$  multò minor. Hoc autem nihil refert: nam ex plaga visæ phasis oculus ipse discernit utrum umbræ centrum, per quod verticalis ille transit ad has, vel illas à Luna partes inveniatur. Poterit autem & hoc

ipsum facile exhiberi, si loco *C* *T* ducas *D* *I*, & ita de cœteris verticalibus.

S C H O L I U M.

In neutra datarum praxium licuit unicam lineam pro omnibus verticalibus substituere, ut licuit in schemate Eclipsis Solaris. Ratio est, quia Luna non est immobiliter in linea ad Discum normali in centro ut est Sol. Hinc verticales per Lunæ centrum, ut potè ad Discum inclinati Ellipses sunt aliæ aliis dissimiles pro diversa inclinatione, quæ non solum difficilius delineantur, sed neque est via eas statuendi in situ convenienti. Verùm, & si fieri posset, neque expediret. Nam facies Lunæ non homogenea, & æquabilis spectatur, ut facies Solis, in quo nullæ hactenus maculæ constantes visæ sunt. Hinc quia Solis partes oculus non discernit, nisi secundum differentias sursum, deorsum ad Austrum, ad Boream &c. modò defectus Solares exhibeantur quales futuræ sint respectivè ad eas plagarum differentias, spectatoribus fit satis. Non idem contingit in Lunæ plurimas distinctio-  
nis notas individuales in suis partibus habente. Et cùm sciatur quomodo corpus Lunare ad Orbitam se habeat, inconcinnia prorsus res esset, si comparando tuum sche-  
ma Eclipticum cum Selenographia, inveniretur phasis à te descripta, esto in quantitate, tempore, inclina-  
tione ad horizontem consentiat, tamen alteri Lunæ por-  
tioni appicta, in quam non cadit; ac perinde esset ac si phasim Eclipsis Terræ Pekino convenientem Romæ ap-  
pingeres. Imò, ut puto, non esset inutile in Disco  
Lunari (nisi ipsa Selenographiâ uti libuerit) puncta insi-  
gniora Lunæ in suis locis aptè notare. Sic enim prædefi-  
niri posset, an & quando umbra ad illa appulsura sit, &  
inde recessura, ut fit locis Terrestribus in Eclipsi Terræ.  
Ex quo, & differentiâ, si qua in observatione reperia-  
tur, forte plura & certiora circa Lunæ librationem, &  
inde macularum motum paulatim statui possent.

Cete-

Cæterū ex descripto scheme duo intelliguntur. Primum contingere aliquas Lunæ partes integrè emer gere ex umbra ante summam Eclipſim, aliquas verò non nisi post eam immersi. Nam in phasi *ggg* penultima, ante summam Eclipſim umbra pervenit ad *g* in limbo Lunæ orientali, in phasi ſequenti *bbb* umbra totum ſpatium *g eb* reliquit, & in ſumma Eclipſi adhuc majus *g Et*. Pariter in ſumma Eclipſi umbra in Limbo Lunæ occidentalı attingit punctum *t*, in phasi proximè ſequente ascēdit ad *m*, & inde adhuc amplius ad *n*; unde poſtea deſcēdit ad *o* &c. ac ſpatium totuni *ntG* ſolum poſt mediam Eclipſim occultatur. Hinc oculo poſito in ſpatio *gb*, quia appetat defectus Solis, cùm ē Terra conſpicitur Eclipſis Lunæ, totus defectus Solis ante ſummam Lunæ Eclipſim abſolvitur, in *ntG* tota poſt. Ex quo iterum patet, cur à fortiori idem accidat Terri colis in Terræ Eclipſibus. Si enim id in Luna contingit, licet ea multò minor sit, quām umbra, multò magis in Terra, quæ multò major, quām penumbra.

Secundum. Quomodo fiat nonnullas maculas Lunares diutiū hærere prope umbræ marginem, nec tam unquam immersi. Nam maculae proximæ ultra *E*, & *G* marginem umbræ ſe quaſi lambentem habent ultra horæ quadrantem, nec tamen umbra eas unquam mor det. Posset etiam pro Luna Eclipſibus pingi Mappa universalis, ut factum fuit pro Eclipſi Terræ. Sed res haberet laboris multum, nihil utilitatis. Hic enim pro locis Terræ diversis ſola intervenit denominationis horarum diversitas, quæ ex differentia longitudinum locorum facillimè, ſine alio habetur. Idem valet quoad phases horizontales; cum enim pro dati loci latitudine ſciri poſſit hora ortūs, & occasūs Solis, ac tempus cuiusvis phasis pro dato loco habeatur in Scheme, ex differentia longitudinum ſciri ſimiliter poſteſt phasis proximè vera, in qua in dato loco Luna oritur occidente Sole, aut occidit hoc oriente. Dixi proximè vera: Nam cùm centra Solis, & Lunæ non opponantur directè niſi

in summa Eclipsi centrali; raro admodum erit idem momentum ortus, aut occasus Lunæ, quod occasus, & ortus Solis; tamen differentia semper erit admodum modica; cum enim distantia centrorum Lunæ, & penumbræ initio, & in fine Eclipsi, si maxima sit, nunquam impletat 63' in aliis phasibus, patet esse minorem; consequenter altitudo, aut depresso respectu horizontis adhuc minor est. Hujus tamen diversitatis, modicæ licet, haberi ratio potest, aut etiam refractionis. Non tamen tanti videtur hæc summa subtilitas, cum Lunæ, Solisque in horizonte observationes ægerrimè exactæ haberi possint, ipsæ potissimum obstante refractione.

Illud denique notandum, in Lunæ Eclipsibus nil immutari incremento, aut deerimento apparenti diametri Lunæ. Nam eadem apparenti mutatione proportionaliter augetur, minuiturve umbræ apparetis diameter; & Lunæ partes 12.

### PROPOSITIO XXX. PROBL. XXII.

*Siderum sub Lunæ occultationes eadem  
methodo construere.*

**Q**uia Luna, ut Solis, ita & aliquorum quandoque Siderum conspectum intercipit, eo modo, quo Terra interpolita eripit Lunæ Solis Radios; quæ unica est omnium Eclipsum causa, facilè ex dictis inferatur datum methodum etiam Siderum post sive ultra Lunam occultationibus construendis aptam esse. Hinc pauca peculiaria ad materiæ complementum hic adnecto.

I. Radius Disci supponendus æqualis Parallaxi Lunæ horizontali pro tempore veræ conjunctionis Lunæ cum dato Astro. Quod tempus ex longitudinibus Lunæ, & Astri communi methodo determinatur, ut & prædicta parallaxis.

II. In:

II. In Disci Polo non Sol, sed datum Astrum erit, cuius longitudinem, latitudinem, Ascensionem rectam, ac declinationem ab Äquatore prænōsse opus est. Quibus datis in Disco apparentia, Äquatoris, Parallelorum, & axis Äquatoris eodem modo, ac pro Sole determinantur, ac describuntur.

III. Angulus axium Äquatoris, & Eclipticæ h̄c paulò aliter quærendus, ac in Terræ Lunæque Eclipsibus. Licet enim semper sit æqualis complemento anguli rectilinei, quem faciunt communes sectiones Eclipticæ, & Ascensionis rectæ Astri (quodcumque tandem illud sit) cum Disco Terræ; non tamen angulus is rectilineus semper æquatur angulo sphærico eorumdem circulorum, nisi ipsa Ecliptica per Disci Polum transeat; quod in Eclipsibus Terræ, & Lunæ evenit semper, ut ostendimus in secunda hujus: Sol enim Terræ omni caret latitudine. At in aliorum Astrorum occultationibus plerumque non ita est, cùm plerumque non in ipsa sint Ecliptica, sed extra eam. Itaque si contingat occultari Astrum carens latitudine; tunc angulus ille per tertiam hujus quæratur. In aliis casibus aliter agendum. Hoc ut oculis subjiciam.

Esto Discus Terræ  $ACBD$ ,  $AFB$  Ascensio recta Astri in \* Disci Polo extra Eclipticam, quæ sit  $GFE$ , & ejus cum Disco communis sectio  $GE.L$  \* O esto circulus longitudinis Astri fecans Eclipticam in  $\alpha$ , & Discunt in recta  $LTO$ . Agatur per  $T$  recta  $CD$  normalis ad  $AB$  communem sectionem Disci cum circulo Ascensionis rectæ. Circuli longitudinum transeuntes per polos Eclipticæ sunt ad Eclipticam recti: Quare angulus  $F\alpha$  \* retusus est; & quia etiam Discus rectus est ad circulum longitudinis transeuntem per Disci polum \*; Eclipticæ, ac Disci communis sectio  $ETG$  (19. 1. Euclid.) ad circulum longitudinis, & hinc ad rectam  $LO$  normalis est; Angulus ergo  $ETO$  rectus: Axis Eclipticæ jacet in plano circuli longitudinis; cùm ergo hujus apparentia in Disco (Coroll. 3.. hujus) sit recta  $LO$ , in eadem appet axis.

axis Eclipticæ , consequenter is in Disco est recta  $L O$ : Quoniam  $E T O$ ,  $C T B$  ambo recti , ablato utrinque communi  $CTO$ , erit reliquus  $ETC$ , hoc est æqualis ad verticem  $D T G$  reliquo  $OTB$  æqualis : est autem  $D TG$  complementum anguli  $G T B$  Eclipticæ cum circulo Ascensionis rectæ in Disco : ergo angulus axium  $T B$  Æquatoris, ac  $TO$  Eclipticæ in Disco eidem angulo æqualis. Angulo  $O TB$  (Coroll. post 2 i 2*i* Theod.) æqualis est sphæricus  $O * B$  (cùm amborum mensura sit arcus iudicem  $OB$ ) hoc est angulus ad verticem  $F * \alpha$  , qui major est complementum  $* F \alpha$  anguli sphærici Eclipticæ cum circulo Ascensionis rectæ . (Nam  $F \alpha * rectus$ ; & in triangulis sphæricis tres anguli simul semper excedunt duos rectos) : ergo Angulus  $O TB$  non est æqualis , sed major quam complementum anguli  $* F \alpha$ . Quod erat ostendendum .

Pro habendo angulo  $O TB$  posset quidem quæri angulus ei æqualis  $F * \alpha$  ; in trigono enim  $F \alpha *$  præter angulum rectum  $\alpha$  , & latus  $\alpha *$  latitudinem datam Astri notum fieri potest latus  $\alpha F$  , nempe differentia datae longitudinis Astri à puncto Eclipticæ culminante cum Astro , nempe habente eandem Ascensionem rectam ; item (30. hujus) notus fieri potest angulus  $\alpha F *$  , aut etiam hypothenuſa  $F *$  differentia declinationis ab Æquatore punctorum  $F & *$  , sed quia hæc non nisi multiplici calculo expediri possunt , melius , & brevius quæretur arcus  $D G$  ostensus æqualis ipſi  $OB$  quæsito . Quoniam tam Æquator , quam Discus recti sunt ad circulum Ascensionis rectæ per utriusque Polos transeuntem , etiam eorum communis sectio [19. 11. Euclid.] ad hunc , & rectam  $AB$  recta est: hæc ergo est recta  $CTD$  , quare Æquator per  $C$  , &  $D$  transit . Esto ergo Æquatoris circulus  $CMD$  secans Eclipticam in  $Y$  . In triangulo sphærico  $D Y G$  omnia nota sunt , uno excepto quæsito arcu  $D G$  . Nam cum Æquator ac Discus se fcent mutuò , & circulus Ascensionis rectæ transeat per utriusque polos , hic (9. 2. Theod.) segmenta illorum bifariam fecat .

Sunt

Sunt autem ( i. i. ejusdem) ea segmenta semicirculi : Ergo  $MD$  quadrans, in quo cum  $MY$  sit arcus datae Ascensionis rectæ Astri cognoscitur ejus complementum  $YD$ . Similiter, quia circulus longitudinis transit per polos Eclipticæ, & Disci se invicem secantium in semicirculis, ostenditur  $\alpha G$  quadrans, in quo dato arcu  $Y\alpha$  longitudine Astri, datur similiter ejus complementum  $YG$ . Angulus ad  $Y$  notus item est, nempe Grad. 23. 30' Eclipticæ cum Äquatore. Pariter quia  $*B$  quadrans, & datur  $*MA$  stri declinatio, datur etiam  $MB$  complementum ejus; pariter, quia  $*L$  quadrans, in quo datur Astri latitudo  $\alpha *$ , datur etiam ejus complementum  $\alpha L$ . Est autem  $MB$  mensura anguli  $YDG$  propter quadrantes  $DM$ ,  $DB$ ; &  $\alpha L$  mensura anguli  $YGD$  propter quadrantes  $GI$ ,  $G\alpha$ : ergo anguli omnes trianguli  $YDG$ , & latera duo  $YD$ ,  $YG$  nota sunt. Ex his datis unica Analogia dupliciter inveniri potest arcus  $DG$  sic. Logarithmo sin. Gr. 23. 30' addatur vel log. sin. complementi datae longitudinis, vel log. sin. complementi datae Ascensionis rectæ, & insuper priori summæ addatur complementum ad 10, 0 &c. sin. comp. datae declinationis Astri, vel posteriori complementum ad 10, 0 &c; sin. comp. datae latitudinis: utraque summa multata i finissima erit log. sin. quæsiti arcus  $DG$ ; hoc est  $BO$ , ut constat ex trigonometria. Quod erat &c.

IV. Angulus axium Eclipticæ, & Orbitæ, sive verus, sive apparentis, prout juxta casus mox expoundendos alterutro utendum, quæritur methodo communis. Quo habito ducatur in Disco (4. hujus) axis Eclipticæ, itemque ad plagam convenientem axis Orbitæ.

V. Latitudo Lunæ in axe Eclipticæ a centro T absindenda, non erit Lunæ altitudo absoluta, sed relativa ad datum Astrum. Hoc est, si Lunæ, & Astri latitudines fuerint ejusdem speciei, minor è majori subtractatur, ac differentia habebitur tanquam Lunæ latitudo, quæ habebitur pro Boreali, si Luna sit Astro Boreali, & pro Australi, si Australior, licet respectivè ad

ad Eclipticam ambo Borealia sint, vel Australia. Si fuerint diversæ speciei, utriusque summa erit latitudo adhibenda, eritque Borealis, vel Australis, prout fuerit latitudo Lunæ absoluta. Per finem abscissæ latitudinis demissa normalis ad axem Orbitæ erit Orbita in Disco utrinque extendenda, quantum opus fuerit. Si res sit de occultatione fixarum, utendum axium Eclipticæ, & Orbitæ inclinatione vera, consequenter etiam Orbita in Disco erit Orbitæ veræ apparentia, & motus Lunæ in ea dividendus erit motus Lunæ verus in longitudinem. Nam fixarum motus in consequentia tardissimus, intra unam, aut alteram horam omnino insensibilis est. Sed si res sit de erraticis, eorum motus in consequentia, si directi sint; aut in antecedentia, si retrogradi, ratio habenda, ideoque Orbita apparenti, ut in Lunæ, & Solis Eclipsibus utendum: motus item sumendus Lunæ non verus in longitudinem, sed verus à planeta, qui est differentia motus veri Lunæ a vero planetæ, si hic directus sit, vel amborum summa, si retrogradus. Et hinc in priore casu angulus axium Orbitæ apparentis, & Eclipticæ major prodibit angulo vero, ut in Eclipsibus Solis, & Lunæ; in posteriore vero prodibit minor. Verum in Saturno, & fortè etiam Jove, praesertim stationariis, aut non multùni distantibus a statione, eorum motus horarius dissimulari potest, non secùs, ac pro fixis.

VI. Quoniam Stellaræ pro punctis haberi possunt, & rectæ ex iis Lunam stringentes sunt ad sensum Parallelæ; Radius penumbrae; seu quasi penumbra fiet æqualis Radio Lunæ apparenti pro tempore. Si de *Planetis* res sit, & horum diameter pro dato tempore appareat notabilis magnitudinis, Radio Lunæ addatur planetæ apprens diameter, eritque summa Radius penumbrae.

VII. Horæ descriptæ in Disco (25. hujus) hic sunt horæ Astri, non Solis. Quia autem tempora per Solis cursum metinuntur, horæ Stellaræ ad horas Solares reducendas sunt. Hoc ex differentia inter datam Ascensionem

nem rectam Stellæ, & Solis quærendam communi methodo, fiet.

Prædictis servatis, cætera omnia fient ac pro Eclipsi Solis. Distantia minima centri penumbræ à dato loco in Disco; erit distantia inde visa centri Lunæ ab Astro, quæ quanta sit facile scitur per comparationem ad minuta dati Radii apparentis Lunæ. Similiter describi posset Mappa universalis, si tanti esset, ut patet ex superius dictis; & frustra esset plura addere.

Patet autem, servatis servandis, eamdem methodum applicari posse transitibus *Mercurii sub Sole*, itemque arctis conjunctionibus Lunæ cum Sideribus &c. Quæ singillatim persequi non vacat; & quisque ex superioribus per se enodare poterit. Interea in una eademque methodo facili, & clara habes Eclipsium quarumcumque constructionem. Et hæc de his satis sunto.





**Tabula Expansa universalis Angulorum in Disco Terræ, Axium Aequalitatis & Eclipticæ, ad dena minuta longitudinis veræ Solis in Ecliptica, in hypothesi ejus maximæ Obliquitatis 23° 30'.**

Signa	Y	Ω	Diffe-	Signa
Signorū			Angulus	Signorū
G	M	G	Occid.	Orient.
G	M	G	,	"
o	o	23 30	o	o 30
10	23 29 59	I	50	
20	23 29 58	I	40	
30	23 29 57	I	30	
40	23 29 55	2	20	
50	23 29 52	3	10	
1	o 23 29 48	4	o 29	
10	23 29 44	4	50	
20	23 29 39	5	40	
30	23 29 33	6	30	
40	23 29 27	6	20	
50	23 29 20	7	10	
2	o 23 29 13	7	o 28	
10	23 29 5	8	50	
20	23 28 57	8	40	
30	23 28 48	9	30	
40	23 28 38	10	20	
50	23 28 28	10	10	
3	o 23 28 17	11	o 27	
10	23 28 5	12	50	
20	23 27 53	12	40	
30	23 27 40	13	30	
40	23 27 26	14	20	
50	23 27 12	14	10	
4	o 23 26 57	15	o 26	
10	23 26 41	16	50	
20	23 26 25	16	40	
30	23 26 8	17	30	
40	23 25 50	18	20	
50	23 25 32	18	10	
5	o 23 25 13	19	o 25	
G	M	G	"	"
Signorū	Orient.	Occid.	Diffe-	Signorū
	Angulus.		rent.	
Signa	mb	X	Addē Ascēn.	Signa

Signa	Y	Ω	Diffe-	Signa
Signorū			Angulus	Signorū
G	M	G	Occid.	Orient.
5	o 23 25 13	I	"	o 25
10	23 24 54	19	50	
20	23 24 34	20	40	
30	23 24 13	21	30	
40	23 23 52	21	20	
50	23 23 30	22	10	
6	o 23 23 7	23	o 24	
10	23 22 44	23	50	
20	23 22 20	24	40	
30	23 21 55	25	30	
40	23 21 30	25	20	
50	23 21 4	26	10	
7	o 23 20 37	27	o 23	
10	23 20 10	27	50	
20	23 19 42	28	40	
30	23 19 14	28	30	
40	23 18 45	29	20	
50	23 18 15	30	10	
8	o 23 17 45	30	o 22	
10	23 17 14	31	50	
20	23 16 42	32	40	
30	23 16 10	32	30	
40	23 15 37	33	20	
50	23 15 4	33	10	
9	o 23 14 30	34	o 21	
10	23 13 55	35	50	
20	23 13 20	35	40	
30	23 12 44	36	30	
40	23 12 7	37	20	
50	23 11 30	37	10	
10	o 23 10 52	38	o 20	
G	M	G	"	M
Signorū	Orient.	Occid.	Diffe-	Signorū
	Angulus.		rent.	
Signa	mb	X	Addē Ascē	Signa

Eiusdem Tabulae continuatio.

Signa	Y	$\Omega$	Diffe-	Signa
Signorū	Angulus		Subt.	Signorū
G	Occid.	Oriente.	Defēcē.	
M	G	"	"	M
				G
10	○	23	10 52	○ 20
10	23	10 13	39	50
30	23	9 34	39	40
20	23	8 54	40	30
40	23	8 13	41	20
50	23	7 32	41	10
11	○	23	6 50	42
10	23	6 8	42	50
20	23	5 25	43	40
30	23	4 41	44	30
40	23	3 57	44	20
50	23	3 12	45	10
12	○	23	2 26	46
10	23	1 40	46	50
20	23	0 53	47	40
30	23	0 5	48	30
40	22	59 17	48	20
50	22	58 28	49	10
13	○	22	57 39	49
10	22	56 49	50	50
20	22	55 58	51	40
30	22	55 7	51	30
40	22	54 15	52	20
50	22	53 22	53	10
14	○	22	52 29	53
10	22	51 35	54	50
20	22	50 40	55	40
30	22	49 45	55	30
40	22	48 49	56	20
50	22	47 53	56	10
15	○	22	46 56	57
10	22	45 40	57	15
G	M	G	"	G
Signorū	Orient.	Occid.	Diffe-	Signorū
	Angulus		rent.	
Signa	$\wp$	X	Adde Ascen.	Signa

Signa	Y	$\Omega$	Diffe-	Signa
Signorū	Angulus		Subt.	Signorū
G	Occid.	Oriente.	Defēcē.	
M	G	"	"	M
				G
15	○	22	46 56	○ 15
10	22	45 58	58	50
20	22	45 0	58	40
30	22	44 1	59	30
40	22	43 1	60	20
50	22	42 1	60	10
16	○	22	41 0	61
10	22	39 59	61	50
20	22	38 57	62	40
30	22	37 54	63	30
40	22	36 51	63	20
50	22	35 47	64	10
17	○	22	34 42	65
10	22	33 37	65	50
20	22	32 31	66	40
30	22	31 24	67	30
40	22	30 17	67	20
50	22	29 9	68	10
18	○	22	28 0	69
10	22	26 51	69	50
20	22	25 41	70	40
30	22	24 30	71	30
40	22	23 19	71	20
50	22	22 7	72	10
19	○	22	20 55	72
10	22	19 42	73	50
20	22	18 28	74	40
30	22	17 14	74	30
50	22	15 59	75	20
40	22	14 44	75	10
20	○	22	13 28	76
G	M	G	"	G
Signorū	Orient.	Occid.	Diffe-	Signorū
	Angulus		rent.	
Signa	$\wp$	X	Adde Ascen.	Signa

## Eiusdem Tabulae continuatio.

Signa	Y	$\Omega$	Diffe-	Signa
Signorū	Angulus Occid. Orient.		Subt.	Signorū
G M	G	"	descen.	M G
20	o	22 13 28		o 10
	10	22 12 11	77	50
	20	22 10 54	77	40
	30	22 9 36	78	30
	40	22 8 17	79	20
	50	22 6 58	79	10
21	o	22 5 38	80	o 9
	10	22 4 17	81	50
	20	22 2 56	81	40
	30	22 1 34	82	30
	40	22 0 12	82	20
	50	21 58 49	83	10
22	o	21 57 25	84	o 8
	10	21 56 1	84	50
	20	21 54 36	85	40
	30	21 53 10	86	30
	40	21 52 44	86	20
	50	21 50 17	87	10
23	o	21 48 50	87	o 7
	10	21 47 22	88	50
	20	21 45 53	89	40
	30	21 44 23	91	30
	40	21 42 53	90	20
	50	21 41 22	91	10
24	o	21 39 51	91	o 6
	10	21 38 19	92	50
	20	21 36 46	93	40
	30	21 35 13	93	30
	40	21 33 39	94	20
	50	21 32 4	95	10
25	o	21 30 29	95	o 5
	G	M	G	"
			"	
Signorū	Orient.	Occid.	Adde	Signorū
	Angulus	Ascen.	Ascen.	
Signa	$\wp$	X	Diffe-	Signa
			rent.	

Signa	Y	$\Omega$	Diffe-	Signa
Signorū	Angulus Occid. Orient.		Subt.	Signorū
G M	G	"	descen.	M G
22	30	21 30 29		o 10 5
	10	21 28 53	96	50
	20	21 27 17	96	40
	30	21 25 40	97	30
	40	21 24 2	98	20
	50	21 22 24	98	10
26	o	21 20 45	99	o 4
	10	21 19 6	99	50
	20	21 17 26	100	40
	30	21 15 45	101	30
	50	21 14 4	101	20
	40	21 12 22	102	10
27	o	21 10 39	103	o 3
	10	21 8 56	103	50
	20	21 7 12	104	40
	30	21 5 27	105	30
	40	21 3 42	105	20
	50	21 1 56	106	10
28	o	21 0 9	107	o 2
	10	20 58 22	108	50
	20	20 56 34	108	40
	30	20 54 46	109	30
	40	20 52 57	109	20
	50	20 51 8	110	10
29	o	20 49 18	111	o 1
	10	20 47 27	111	50
	20	20 45 35	112	40
	30	20 43 43	112	30
	40	20 41 50	113	20
	50	20 39 57	113	20
30	o	20 38 3	114	o 0
	G	M	G	"
			"	
Signorū	Orient.	Occid.	Adde	Signorū
	Angulus	Ascen.	Ascen.	
Signa	$\wp$	X	Diffe-	Signa
			rent.	

## Eiusdem Tabulae continuatio.

Signa	g	m	Diffe rent.	Signa
Signorū	Angulus Orient. Occid.		subt. descen.	Signorū
G	M	G	"	M G
0	0	20	38 3	0 30
10	20	36 9	114	50
20	20	34 14	115	40
30	20	32 18	116	30
40	20	30 22	116	20
50	20	28 25	117	10
1	0	20 26 27	118	0 29
10	20	24 29	118	50
20	20	22 30	119	40
30	20	20 30	120	30
40	20	18 30	120	20
50	20	16 29	121	10
2	0	20 14 28	121	0 28
10	20	12 26	122	50
20	20	10 23	123	40
30	20	8 20	123	30
50	20	6 16	124	30
40	20	4 11	125	10
3	0	20 2 6	125	0 27
10	20	0 0	126	50
20	19	57 54	126	40
30	19	55 47	127	30
40	19	53 40	127	20
50	19	51 32	128	10
4	0	19 49 23	129	0 26
10	19	47 14	129	50
20	19	45 4	130	40
30	19	42 53	131	30
40	19	40 42	131	20
50	19	38 30	132	10
5	0	19 36 17	133	0 25
G	M	G	"	M G
Signorū	Angulus Orient. Occid.		Addē Ascen.	Signorū
Signa	Ω	ℳ	Diffe rent.	Signa

Signa	g	m	Diffe rent.	Signa
Signorū	Angulus Orient. Occid.		Subt. Deſce.	Signorū
G	M	G	"	M G
5	0	19 36 17	133	0 25
10	19 34 4	133	50	
20	19 31 50	134	40	
30	19 29 36	134	30	
40	19 27 21	135	20	
50	19 25 6	135	10	
6	0	19 22 50	136	0 24
10	19 20 33	137	50	
20	19 18 16	137	40	
30	19 15 58	138	30	
40	19 13 39	139	20	
50	19 11 20	139	10	
7	0	19 9 0	140	0 23
10	19 6 39	141	50	
20	19 3 18	141	40	
30	19 1 57	141	30	
40	18 59 35	142	20	
50	18 57 12	143	10	
8	0	18 54 48	144	0 22
10	18 52 24	144	50	
20	18 49 59	145	40	
30	18 47 34	145	30	
40	18 45 8	146	20	
50	18 42 42	146	10	
9	0	18 40 15	147	0 21
10	18 37 47	148	50	
20	18 35 19	148	40	
30	18 32 50	149	30	
40	18 30 21	149	20	
50	18 27 51	150	10	
10	0	18 25 20	151	0 20
G	M	G	"	M G
Signorū	Angulus Orient. Occid.		Addē Ascen.	Signorū
Signa	Ω	ℳ	Diffe rent.	Signa

## Ejusdem Tabulae continuatio.

Signa	G	M	g	m	Diffe rent.	Signa
Signorū			Angulus Occid. Orient.		subt. defcen.	Signorū
	G	M	G	"	"	M G
10	o	18	25	20		o   20
	18	22	49	151	50	
	20	18	20	17	152	40
	30	18	17	44	153	30
	40	18	15	11	153	20
	50	18	12	37	154	10
11	o	18	10	3	154	o   19
	18	7	28	155	50	
	20	18	4	53	155	40
	30	18	2	17	156	30
	40	17	59	41	156	20
	50	17	57	4	157	10
12	o	17	54	26	158	o   18
	17	51	48	158	50	
	20	17	49	9	159	40
	30	17	46	29	160	30
	40	17	43	49	160	20
	50	17	41	8	161	10
13	o	17	38	27	161	o   17
	17	35	45	162	50	
	20	17	33	2	163	40
	30	17	30	19	163	30
	40	17	27	35	164	20
	50	17	24	51	164	10
14	o	17	22	6	165	o   16
	17	19	21	165	50	
	20	17	16	35	166	40
	30	17	13	48	167	30
	40	17	11	1	167	20
	50	17	8	13	168	10
15	o	17	5	25	169	o   15
	G	M	G	"	"	M   G
Signorū			Angulus Orient. Occid.		Addē Ascēn.	Signorū
	G	M	"	"	Diffē rent.	Signa

Signa	G	M	g	m	Diffe rent.	Signa
Signorū			Angulus Occid. Orient.		Subt. Defcē.	Signorū
	G	M	G	"	"	M G
15	o	17	5	25		o   15
	17	2	36	169	50	
	20	16	59	47	169	40
	30	16	56	57	170	30
	40	16	54	7	170	20
	50	16	51	16	171	10
16	o	16	48	24	172	o   14
	16	45	32	172	50	
	20	16	42	39	173	40
	30	16	39	46	173	30
	40	16	36	52	174	20
	50	16	33	58	174	10
17	o	16	31	3	175	o   13
	16	28	7	176	50	
	20	16	25	11	177	40
	30	16	22	14	177	30
	40	16	19	17	177	20
	50	16	16	19	178	10
18	o	16	13	20	179	o   12
	16	10	21	179	50	
	20	16	7	21	180	40
	30	16	4	21	180	30
	40	16	1	20	181	20
	50	15	58	19	181	10
19	o	15	55	17	182	o   11
	15	52	15	182	50	
	20	15	49	12	183	40
	30	15	46	8	184	30
	40	15	43	4	184	20
	50	15	39	59	185	10
20	o	15	36	54	185	o   10
	G	M	G	"	"	M   G
Signorū			Angulus Orient. Occid.		Addē Ascēn.	Signorū
	G	M	"	"	Diffē rent.	Signa

## Eiusdem Tabulae continuatio.

Signa		<b>g</b>	<b>m</b>	Diffe-	Signa	Signa		<b>g</b>	<b>m</b>	Diffe-	Signa	
Signorū		Angulus		Subt.	Signorū	Signorū		Angulus		Subt.	Signorū	
		Occid.	Orient.	Defcē.		G	M	G	"	"	M	G
20	o	15	36	34		o	10					
		10	15	33	49	185	50					
		20	15	30	43	186	40					
		30	15	27	36	187	30					
		40	15	24	29	187	20					
		50	15	21	21	188	10					
21	o	15	18	13	188	o	9					
		10	15	15	4	189	50					
		20	15	11	55	189	40					
		30	15	8	45	190	30					
		40	15	5	35	190	20					
		50	15	2	24	191	10					
22	o	14	59	12	192	o	8					
		10	14	56	o	192	50					
		20	14	52	48	193	40					
		30	14	49	35	194	30					
		40	14	46	21	194	20					
		50	14	43	6	195	10					
23	o	14	39	51	195	o	7					
		10	14	36	45	196	50					
		20	14	33	29	196	40					
		30	14	30	3	196	30					
		40	14	26	46	197	20					
		50	14	23	29	197	10					
24	o	14	20	11	198	o	6					
		10	14	16	53	198	50					
		20	14	13	34	199	40					
		30	14	10	14	200	30					
		40	14	6	54	200	20					
		50	14	3	54	201	10					
25	o	14	0	13	201	o	5					
		G	M	G	"	"	M	G				
		Signorū	Orient.	Occid.	Angulus	Diffe-	Signorū					
		Signa			Addē	Ascēa.	Signa					
		Signorū	Orient.	Occid.	Angulus	Diffe-	Signorū					
		Signa			Addē	Ascēa.	Signa					

## Eiusdem Tabulae continuatio'.

Signa		II		$\Rightarrow$		Diffe-	Signa		Signa		II		$\Rightarrow$		Diffe-	Signa		
Signorū		Angulus Occid. Orient.		Subt. descen.		rent.	Signorū		Signorū		Angulus Occid. Orient.		Subt. descen.		rent.	Signorū		
G	M	G	"	"	"		M	G	G	"	"	"	"	"	"	M	G	
		o		o	12	15	57		o	30								
		10	12	12	21	216	50											
		20	12	8	45	216	40											
		30	12	5	8	217	30											
		40	12	1	30	218	20											
		50	11	57	52	218	10											
1		o	11	54	14	218	o	29										
		10	11	50	35	219	50											
		20	11	46	56	219	40											
		30	11	43	16	220	30											
		40	11	39	36	220	20											
		50	11	35	56	220	10											
2		o	11	32	15	221	o	28										
		10	11	28	34	221	50											
		20	11	24	52	222	40											
		30	11	21	10	222	30											
		40	11	17	27	223	20											
		50	11	13	44	223	10											
3		o	11	10	o	224	o	27										
		10	11	6	16	224	50											
		20	11	2	32	225	40											
		30	10	58	47	225	30											
		40	10	55	2	225	20											
		50	10	51	16	226	10											
4		o	10	47	30	226	o	26										
		10	10	43	44	226	50											
		20	10	39	57	227	40											
		30	10	36	10	227	30											
		40	10	32	22	228	20											
		50	10	28	34	228	10											
5		o	10	24	45	229	o	25										
		G	M	G	"	"	"		M	G								
		Signorū	Orient. Occid.	Adde					Signorū									
			Angulus	Ascen.														
		Signa	oo	p	Diffe-	rent.			Signa									

## Eiusdem Tabulae continuatio.

Signa	II	→	Diffe-	Signa
Signorū	Angulus		rent.	Signorū
	Occid.	Orient.		Subt. defecar.
G	M	G	"	M
10	10	8 27	31 42	30 20
	10	8 23	31 240	50
20	8 19	31 240		40
30	8 15	30 241		30
	40	8 11 29	241	20
50	8 7 28	241		10
11	0	8 3 26	242	0 19
	10	7 59 24	242	50
20	7 55 22	242		40
30	7 51 19	243		30
	40	7 47 16	243	20
50	7 43 13	243		10
12	0	7 39 9	244	0 18
	10	7 35 5	244	50
20	7 31 11	244		40
30	7 26 57	244		30
	40	7 22 52	245	20
50	7 18 47	245		10
13	0	7 14 42	245	0 17
	10	7 10 36	246	50
20	7 6 30	246		40
30	7 2 24	246		30
	40	6 58 18	246	20
50	6 54 11	247		10
14	0	6 50 4	247	0 16
	10	6 46 7	247	50
20	6 41 49	248		40
30	6 37 41	248		30
	40	6 33 33	248	20
50	6 29 24	249		10
15	0	6 25 15	249	0 15
	G	M	G	"
Signorū	Orient.	Occid.	Diffe-	Signorū
			rent.	
Signa	○○	○○	Addē Aſcon.	Signa

Signa	II	→	Diffe-	Signa
Signorū	Angulus		rent.	Signorū
	Occid.	Orient.		Subt. defecar.
G	M	G	"	M
15	0	6 25 15	249	0 15
	10	6 21	6 249	50
20	6 16	57 249		40
30	6 12	47 250		30
	40	6 8 37	250	20
50	6 4 27	250		10
16	0	6 0 17	250	0 14
	10	5 56 7	250	50
20	5 51	56 251		40
30	5 47	45 251		30
	40	5 43 34	251	20
50	5 39 23	251		10
17	0	5 35 11	252	0 13
	10	5 30 59	252	50
20	5 26	47 252		40
30	5 22	35 252		30
	40	5 18 23	252	20
50	5 14 10	253		10
18	0	5 9 57	253	0 12
	10	5 5 44	253	50
20	5 1 31	253		40
30	4 57	17 254		30
	40	4 53 3	254	20
50	4 48 49	254		10
19	0	4 44 35	254	0 11
	10	4 40 20	255	50
20	4 36 5	255		40
30	4 31 50	255		30
	40	4 27 35	255	20
50	4 23 20	255		10
20	0	4 19 5	256	0 10
	G	M	G	"
Signorū	Orient.	Occid.	Diffe-	Signorū
			rent.	
Signa	○○	○○	Addē Aſcon.	Signa

## Eiusdem Tabulae continuatio.

Signa	$\text{II} \leftrightarrow$		Diffe- rent.	Signa		
Signorū	Angulus Occid. Orient.		Subt. descen.	Signorū		
G	M	G	"	M	G	
20	○	4	19	5		
	10	4	14	49	256	
	20	4	10	33	256	
	30	4	6	17	256	
	40	4	2	1	20	
	50	3	57	45	256	
21	○	3	53	29	257	
	10	3	49	12	257	
	20	3	44	55	257	
	30	3	40	38	257	
	40	3	36	21	257	
	50	3	32	4	257	
22	○	3	27	47	257	
	10	3	23	30	258	
	20	3	19	12	258	
	30	3	14	54	258	
	40	3	10	36	258	
	50	3	6	18	258	
23	○	3	2	0	258	
	10	2	57	42	258	
	20	2	53	24	259	
	30	2	49	5	259	
	40	2	44	46	259	
	50	2	40	27	259	
24	○	2	36	8	259	
	10	2	31	49	259	
	20	2	27	30	259	
	30	2	23	11	259	
	40	2	18	52	259	
	50	2	14	33	260	
25	○	2	10	13	260	
	10	○	8	5	5	
G	M	G	"	"	M	G
Signorū	Orient.	Occid.	Diffe-	Signorū		
	Augulus		rent.			
Signa	○	○	Addē Ascen.	Signa		

Signa	$\text{II} \leftrightarrow$		Diffe- rent.	Signa		
Signorū	Angulus Occid. Orient.		Subt. descen.	Signorū		
G	M	G	"	M	G	
25	○	2	10	13		
	10	2	5	53	260	
	20	2	1	33	259	
	30	1	57	14	260	
	40	1	52	54	260	
	50	1	48	34	260	
26	○	1	44	14	260	
	10	1	39	54	260	
	20	1	35	34	260	
	30	1	31	14	261	
	40	1	26	53	260	
	50	1	22	33	260	
27	○	1	18	13	260	
	10	1	13	53	261	
	20	1	9	32	260	
	30	1	5	12	261	
	40	1	0	51	260	
	50	0	56	31	261	
28	○	0	52	10	261	
	10	0	47	49	261	
	20	0	43	28	260	
	30	0	39	8	260	
	40	0	34	48	261	
	50	0	30	27	261	
29	○	0	26	6	261	
	10	0	21	45	261	
	20	0	17	24	261	
	30	0	13	3	261	
	40	0	8	42	261	
	50	0	4	21	261	
30	0	0	0	0	261	
G	M	G	"	"	M	G
Signorū	Orient.	Occid.	Diffe-	Signorū		
	Augulus		rent.			
Signa	○	○	Addē Ascen.	Signa		

Tabulæ Cassinianæ pro Eclipsibus Lunæ ab Editore adjectæ.

Tabula II. (Cassino 28.) Differentiæ inter oppositionem, & medium Eclipsis.

Latitudo	Inclinatio apparetis Orbitæ.							
	G. M. 84 30		G. M. 84 25		G. M. 84 20		G. M. 84 15	
min.	Differentiæ inter oppos. & medium Eclipsis.							
0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	0	12	0	12	0	12	0	12
4	0	23	0	23	0	24	0	24
6	0	35	0	35	0	36	0	36
8	0	46	0	47	0	48	0	48
10	0	58	0	58	0	59	1	0
12	1	10	1	10	1	11	1	12
14	1	21	1	22	1	23	1	24
16	1	33	1	34	1	35	1	36
18	1	44	1	46	1	47	1	48
20	1	55	1	57	1	58	2	0
22	2	7	2	9	2	10	2	12
24	2	18	2	20	2	22	2	24
26	2	30	2	32	2	34	2	36
28	2	41	2	44	2	46	2	48
30	2	52	2	55	2	57	3	0
32	3	4	3	7	3	10	3	12
34	3	15	3	18	3	21	3	24
36	3	27	3	30	3	33	3	36
38	3	38	3	41	3	45	3	48
40	3	50	3	53	3	57	4	0
42	4	2	4	5	4	9	4	12
44	4	14	4	17	4	21	4	24
46	4	25	4	28	4	32	4	36
48	4	37	4	40	4	44	4	48
50	4	48	4	52	4	56	5	1
52	5	0	5	4	5	8	5	13
54	5	11	5	16	5	20	5	25
56	5	22	5	27	5	32	5	37
58	5	34	5	39	5	44	5	49
60	5	45	5	50	5	56	6	1
62	5	57	6	2	6	7	6	13
64	6	8	6	14	6	19	6	25

Differ. est Additiva quando inclinatio est versus Ortum: subtractiva,  
quando illa est versus Occasum.

Tabela LII. (Cathino: 29) Semiduratio eius Eclipsis totalis Lunæ in umbra Terræ.

Latitud o	Differencia inter Semidiametros umbras, & Lunæ.						
	G. M. 24 o	G. M. 25 o	G. M. 26 o	G. M. 27 o	G. M. 28 o	G. M. 29 o	G. M. 30 o
min.	Semiduratio Eclipsis totalis in minutis gradus.						
0.	24 o	25 o	26 o	27 o	28 o	29 o	30 o
1	23 59	24 59	25 59	26 59	27 59	28 59	29 59
2	23 55	24 55	25 55	26 55	27 56	28 56	29 56
3	23 49	24 49	25 50	26 50	27 50	28 51	29 51
4	23 42	24 41	25 42	26 42	27 43	28 43	29 44
5	23 29	24 30	25 31	26 32	27 33	28 34	29 35
6	23 15	24 16	25 18	26 19	27 21	28 22	29 24
7	22 58	24 0	25 2	26 4	27 6	28 8	29 10
8	22 38	23 41	24 44	25 47	26 49	27 52	28 54
9	22 16	23 20	24 23	25 27	26 30	27 33	28 36
10	21 50	22 55	24 0	25 5	26 9	27 13	28 17
11	21 21	22 28	23 35	24 41	25 46	26 51	27 56
12	20 49	21 57	23 5	24 13	25 19	26 25	27 31
13	20 13	21 23	22 33	23 42	24 50	25 57	27 4
14	19 33	20 45	21 56	23 7	24 16	25 25	26 34
15	18 48	20 3	21 17	22 30	23 41	24 52	26 1
16	17 57	19 15	20 32	21 48	23 2	24 14	25 25
17	17 1	18 23	19 43	21 5	22 18	23 33	24 46
18	15 58	17 26	18 50	20 11	21 30	22 48	24 3
19	14 47	16 21	17 50	19 16	20 38	21 59	23 17
20	13 25	15 7	16 43	18 14	19 41	21 5	22 27
21	11 48	13 43	15 27	17 5	18 38	20 6	21 32
22	9 50	12 4	14 1	15 47	17 27	19 1	20 31
23	7 14	10 4	12 20	14 19	16 7	17 48	19 24
24	2 22	7 24	10 17	12 35	14 37	16 27	18 9
25		2 28	7 33	10 30	12 50	14 54	16 46
26			2 34	7 43	10 42	13 5	15 11
27				2 40	7 52	10 55	13 20
28					2 46	8 2	11 7
29						2 52	8 12
30							2 58
31							
32							

Tabula IV. (Cassino 30.) Semiduratio Eclipsis Lunæ in Minutis, &amp; secundis Gradus.

Latitudo o	Summa Semidiametrovum Lunæ, & umbrae terræ.						
	G. M. 53 o	G. M. 54 o	G. M. 55 o	G. M. 56 o	G. M. 57 o	G. M. 58 o	
min.   Semiduratio Eclipsis Lunæ in minutis, & secundis gradus..	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.
0   53 0	54 0	55 0	56 0	57 0	58 0	58 0	
1   53 0	54 0	55 0	56 0	57 0	57 58	57 58	
2   52 58	53 58	54 58	55 58	56 58	57 58	57 58	
3   52 55	53 55	54 55	55 55	56 55	57 55	57 55	
4   52 51	53 51	54 51	55 51	56 52	57 52	57 52	
5   52 46	53 46	54 46	55 46	56 47	57 47		
6   52 40	53 40	54 40	55 40	56 41	57 41		
7   52 33	53 33	54 33	55 34	56 34	57 34		
8   52 24	53 25	54 25	55 26	56 26	57 27		
9   52 14	53 15	54 16	55 17	56 17	57 18		
10   52 3	53 4	54 5	55 6	56 7	57 8		
11   51 51	52 52	53 53	54 54	55 56	56 57		
12   51 38	52 39	53 40	54 42	55 44	56 45		
13   51 23	52 25	53 26	54 28	55 30	56 32		
14   51 7	52 9	53 11	54 13	55 15	56 17		
15   50 50	51 52	52 54	53 56	54 58	56 0		
16   50 32	51 34	52 36	53 38	54 41	55 43		
17   50 12	51 15	52 17	53 20	54 22	55 25		
18   49 51	50 54	51 57	53 0	54 3	55 6		
19   49 29	50 33	51 36	52 40	53 44	54 47		
20   49 6	50 11	51 15	52 19	53 23	54 27		
21   48 42	49 47	50 52	51 57	53 1	54 6		
22   48 46	49 22	50 27	51 33	52 38	53 43		
23   47 48	48 55	50 1	51 7	52 13	53 18		
24   47 19	48 26	49 33	50 39	51 45	52 51		
25   46 48	47 56	49 3	50 10	51 17	52 23		
26   46 15	47 24	48 32	49 40	50 47	51 54		
27   45 41	46 50	47 59	49 8	50 16	51 24		
28   45 5	46 15	47 25	48 34	49 43	50 52		
29   44 27	45 38	46 49	47 59	49 9	50 18		
30   43 47	45 0	46 12	47 23	48 33	49 43		
31   43 5	44 19	45 32	46 45	47 56	49 9		
32   42 22	43 36	44 50	46 4	47 16	48 33		

Tabula IV. (Capitulo 30.) continuatio.

Lunae	Summa Semidiametrorum Lunae, & umbra terræ.											
	G. 59	M. 0	G. 60	M. 0	G. 61	M. 0	G. 62	M. 0	G. 63	M. 0	G. 64	M. 0
min.	Semiduratio Eclipseis Lunæ in minutis, & secundis gradus.											
0	59	0	60	0	61	0	62	0	63	0	64	0
1	59	0	60	0	61	0	62	0	64	0	64	0
2	58	58	59	58	60	58	61	58	62	58	63	58
3	58	55	59	55	60	55	61	56	62	56	63	56
4	58	52	59	52	60	52	61	53	62	53	63	53
5	58	48	59	48	60	48	61	48	62	49	63	49
6	58	42	59	42	60	42	61	42	62	42	63	43
7	58	35	59	35	60	36	61	36	62	37	63	37
8	58	27	59	28	60	29	61	29	62	30	63	30
9	58	19	59	20	60	20	61	21	62	22	63	22
10	58	9	59	10	60	11	61	12	62	13	63	13
11	57	58	58	59	60	0	61	1	62	2	63	3
12	57	46	58	48	59	49	60	50	61	51	62	52
13	57	33	58	35	59	37	60	38	61	39	62	40
14	57	19	58	21	59	23	60	24	61	26	62	27
15	57	3	58	5	59	7	60	9	61	12	62	14
16	56	46	57	49	58	51	59	53	60	56	61	59
17	56	28	57	31	58	34	59	37	60	40	61	43
18	56	9	57	13	58	16	59	19	60	23	61	26
19	55	50	56	54	57	58	59	1	60	5	61	8
20	55	3	56	35	57	39	58	43	59	47	60	50
21	55	10	56	14	57	19	58	23	59	27	60	30
22	54	48	55	52	56	57	58	1	59	5	60	9
23	54	24	55	28	56	34	57	38	58	42	59	47
24	53	57	55	2	56	8	57	13	58	18	59	23
25	53	29	54	35	55	41	56	47	57	53	58	58
26	53	0	54	7	55	13	56	20	57	26	58	32
27	52	30	53	38	54	45	55	52	56	58	58	5
28	51	59	53	8	54	15	55	22	56	29	57	37
29	51	27	52	36	53	44	54	52	55	59	57	8
30	50	53	52	3	53	12	54	21	55	29	56	37
31	50	17	51	28	52	38	53	48	54	57	56	5
32	49	40	50	51	52	2	53	12	54	22	55	31

Tabulæ IV. continuatio.

Latitudo	Summa Semidiametrorum Lunæ, & umbræ Terræ.					
	G. 53°	M. 0	G. 54°	M. 0	G. 55°	M. 0
min.	Semiduratio Eclipsis Lunæ in minutis, & secundis gradus.					
	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.
32	42 22	43 36	44 50	46 4	47 16	48 28
33	41 35	42 51	44 6	45 21	46 35	47 48
34	40 47	42 3	43 20	44 37	45 52	47 6
35	39 57	41 14	42 32	43 50	45 7	46 22
36	39 4	40 23	41 42	43 1	44 20	45 36
37	38 8	39 29	40 50	42 10	43 31	44 49
38	37 8	38 32	39 55	41 17	42 39	43 59
39	36 5	37 32	38 57	40 21	41 45	43 6
40	34 59	36 29	37 56	39 23	40 48	42 11
41	33 49	35 21	36 52	38 21	39 48	41 14
42	32 35	34 10	35 44	37 16	38 45	40 13
43	31 16	32 55	34 32	36 7	37 39	39 9
44	29 52	31 35	33 16	34 55	36 30	38 2
45	28 22	30 9	31 55	33 37	35 16	36 52
46	26 43	28 38	30 28	32 15	33 58	35 37
47	24 56	26 59	28 56	30 47	32 35	34 18
48	22 58	25 10	27 16	29 14	31 7	32 54
49	20 45	23 13	25 25	27 32	29 30	31 25
50	18 16	21 0	23 27	25 41	27 48	29 48
51	15 17	18 27	21 12	23 41	25 57	28 4
52	11 28	15 26	18 38	21 24	23 54	26 12
53	5 14	11 36	15 36	18 49	21 37	24 8
54		5 20	11 44	15 45	19 1	21 49
55			5 26	11 52	15 55	19 12
56				5 32	11 59	16 5
57					5 38	12 7
58						5 44
59						
60						
61						
62						
63						
64						

## Residuum Tabulæ IV.

Summa Semidiametrorum Lunæ, &amp; Umbrae Terræ.

Latitudo	G. M. 59 °	G. M. 60 °	G. M. 61 °	G. M. 62 °	G. M. 63 °	G. M. 64 °
	Semiduratio Eclipsis Lunæ, in minutis, & secundis gradus.					
min.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.
32	49 40	50 51	52 2	53 12	54 22	55 31
33	49 1	50 52	51 24	52 36	53 46	54 56
34	48 20	49 32	50 44	51 57	53 9	54 19
35	47 37	48 51	50 4	51 17	52 30	53 41
36	46 52	48 7	49 21	50 36	51 50	53 1
37	46 5	47 22	48 37	49 53	51 8	52 20
38	45 17	46 34	47 51	49 8	50 24	51 37
39	44 27	45 45	47 3	48 21	49 38	50 53
40	43 33	44 54	46 13	47 32	48 50	50 7
41	42 37	44 0	45 21	46 41	48 0	49 19
42	41 39	43 3	44 26	45 47	47 8	48 28
43	40 37	42 4	43 29	44 52	46 14	47 35
44	39 32	41 1	42 28	43 54	45 18	46 40
45	38 25	39 56	41 25	42 55	44 19	45 43
46	37 13	38 47	40 19	41 49	43 17	44 43
47	35 57	37 34	39 9	40 42	42 12	43 40
48	34 38	36 18	37 56	39 31	41 4	42 35
49	33 13	34 58	36 39	38 18	39 53	41 27
50	31 43	33 32	35 18	37 0	38 39	40 15
51	30 5	32 1	33 51	35 37	37 20	38 59
52	28 20	30 22	32 18	34 9	35 56	37 40
53	26 27	28 36	30 39	32 36	34 28	36 16
54	24 21	26 41	28 52	30 56	32 53	34 46
55	22 2	24 35	26 56	29 8	31 13	33 10
56	19 23	22 14	24 48	27 10	29 24	31 29
57	16 15	19 34	22 26	25 2	27 25	29 39
58	12 15	16 24	19 45	22 39	25 15	27 39
59	5 50	12 22	16 33	19 56	22 51	25 28
60		5 56	12 30	16 42	20 7	23 3
61			6 1	12 37	15 51	20 17
62				6 7	12 45	17 0
63					6 13	12 52
64						6 18

Tabula V. (Cassino 31.) quantitatis Digitorum, &amp; Minutorum Eclipsis.

Differ. inter semi-diametrum & Lun. sem.	Semidiameter Luna.									
	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.	M. S.
14 45	15 0	15 15	15 30	15 45	16 0	16 15	16 30	16 45	Digitus, & minuta Eclipseis.	
min.	D. M.	D. M.	D. M.	D. M.	D. M.	D. M.	D. M.	D. M.	D. M.	D. M.
0	0 6	0 6	0 7	0 7	0 7	0 7	0 7	0 7	0 7	0 7
2	0 55	0 54	0 53	0 53	0 52	0 52	0 51	0 51	0 50	
4	1 43	1 42	1 41	1 39	1 38	1 37	1 36	1 34	1 33	
6	2 32	2 30	2 27	2 25	2 24	2 21	2 20	2 18	2 16	
8	3 21	3 18	3 15	3 12	3 9	3 6	3 3	3 1	2 59	
10	4 9	4 5	4 2	3 58	3 54	3 51	3 48	3 45	3 42	
12	4 58	4 53	4 48	4 44	4 39	4 35	4 31	4 27	4 24	
14	5 47	5 41	5 35	5 30	5 25	5 20	5 15	5 11	5 7	
16	6 35	6 28	6 22	6 17	6 11	6 5	6 0	5 55	5 50	
18	7 24	7 16	7 9	7 3	6 56	6 50	6 44	6 38	6 33	
20	8 13	8 4	7 56	7 49	7 42	7 35	7 28	7 22	7 16	
22	9 2	8 52	8 43	8 35	8 27	8 19	8 11	8 4	7 58	
24	9 51	9 40	9 30	9 21	9 12	9 4	8 56	8 48	8 41	
26	10 39	10 27	10 16	10 7	9 58	9 49	9 40	9 32	9 24	
28	11 27	11 15	11 3	10 53	10 44	10 34	10 24	10 15	10 6	
30	12 15	12 3	11 51	11 40	11 29	11 18	11 8	10 58	10 49	
32	13 4	12 51	12 38	12 26	12 14	12 3	11 52	11 41	11 32	
34	13 53	13 39	13 25	13 12	13 0	12 48	12 36	12 25	12 15	
36	14 41	14 26	14 12	13 58	13 45	13 33	13 21	13 9	12 58	
38	15 30	15 14	14 59	14 44	14 31	14 18	14 5	13 52	13 40	
40	16 19	16 2	15 45	15 30	15 16	15 2	14 49	14 36	14 23	
42	17 7	16 50	16 32	16 16	16 1	15 47	15 33	15 19	15 6	
44	17 55	17 37	17 19	17 2	16 47	16 32	16 17	16 2	15 48	
46	18 43	18 25	18 7	17 49	17 33	17 17	17 1	16 46	16 31	
48	19 32	19 13	18 54	18 36	18 18	18 1	17 45	17 29	17 14	
50	20 20	20 0	19 41	19 22	19 4	18 46	18 29	18 12	17 56	
52	21 9	20 48	20 28	20 8	19 49	19 31	19 13	18 56	18 39	
54	21 58	21 36	21 14	20 54	20 35	20 16	19 57	19 39	19 22	
56		22 24	22 1	21 40	21 20	21 0	20 41	20 22	20 5	
58			22 27	22 5	21 45	21 25	21 6	20 47		
60					22 30	22 10	21 50	21 30		
62								22 13		
64									22 56	