



Informazioni su questo libro

Si tratta della copia digitale di un libro che per generazioni è stato conservata negli scaffali di una biblioteca prima di essere digitalizzato da Google nell'ambito del progetto volto a rendere disponibili online i libri di tutto il mondo.

Ha sopravvissuto abbastanza per non essere più protetto dai diritti di copyright e diventare di pubblico dominio. Un libro di pubblico dominio è un libro che non è mai stato protetto dal copyright o i cui termini legali di copyright sono scaduti. La classificazione di un libro come di pubblico dominio può variare da paese a paese. I libri di pubblico dominio sono l'anello di congiunzione con il passato, rappresentano un patrimonio storico, culturale e di conoscenza spesso difficile da scoprire.

Commenti, note e altre annotazioni a margine presenti nel volume originale compariranno in questo file, come testimonianza del lungo viaggio percorso dal libro, dall'editore originale alla biblioteca, per giungere fino a te.

Linee guide per l'utilizzo

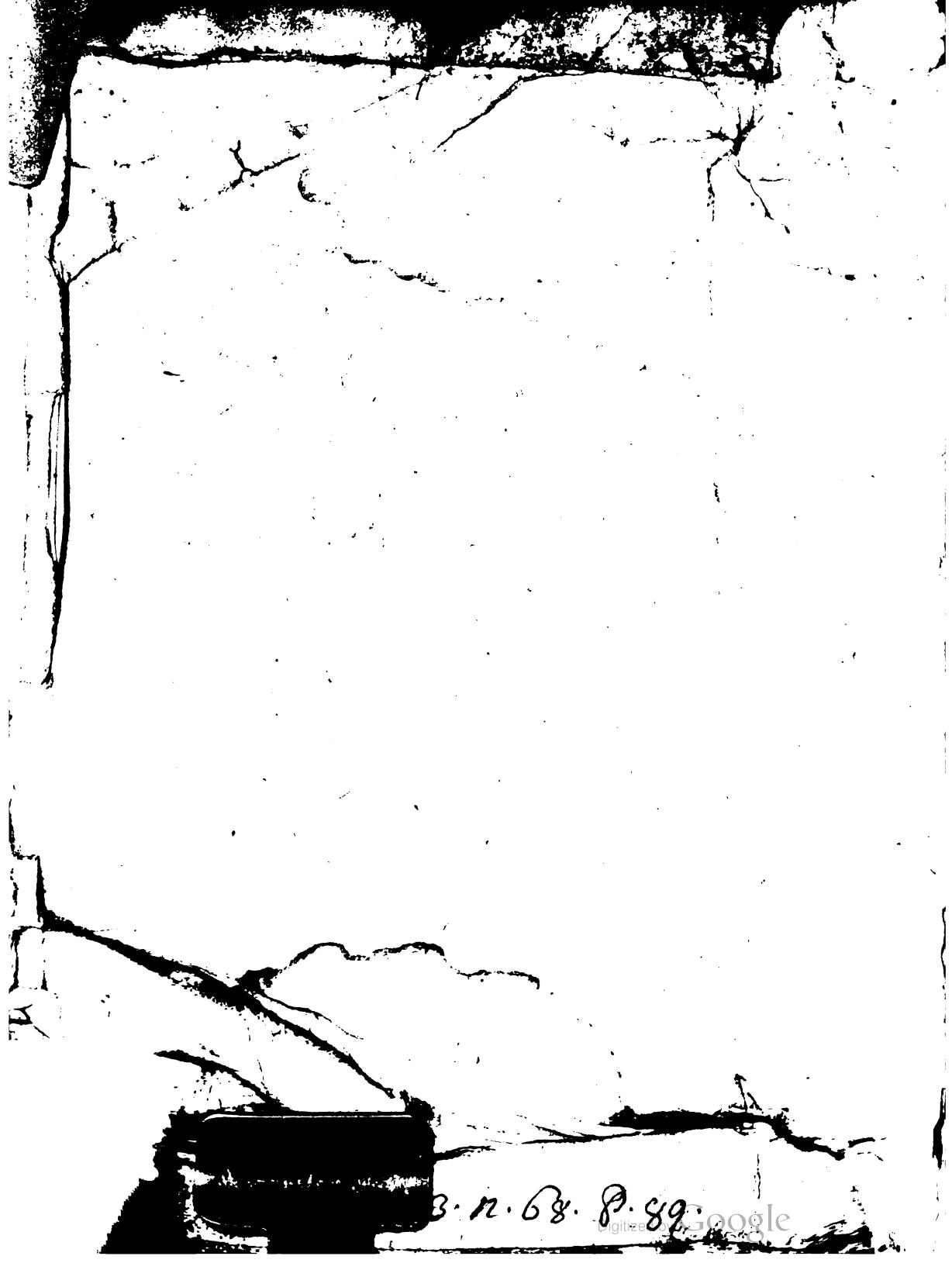
Google è orgoglioso di essere il partner delle biblioteche per digitalizzare i materiali di pubblico dominio e renderli universalmente disponibili. I libri di pubblico dominio appartengono al pubblico e noi ne siamo solamente i custodi. Tuttavia questo lavoro è oneroso, pertanto, per poter continuare ad offrire questo servizio abbiamo preso alcune iniziative per impedire l'utilizzo illecito da parte di soggetti commerciali, compresa l'imposizione di restrizioni sull'invio di query automatizzate.

Inoltre ti chiediamo di:

- + *Non fare un uso commerciale di questi file* Abbiamo concepito Google Ricerca Libri per l'uso da parte dei singoli utenti privati e ti chiediamo di utilizzare questi file per uso personale e non a fini commerciali.
- + *Non inviare query automatizzate* Non inviare a Google query automatizzate di alcun tipo. Se stai effettuando delle ricerche nel campo della traduzione automatica, del riconoscimento ottico dei caratteri (OCR) o in altri campi dove necessiti di utilizzare grandi quantità di testo, ti invitiamo a contattarci. Incoraggiamo l'uso dei materiali di pubblico dominio per questi scopi e potremmo esserti di aiuto.
- + *Conserva la filigrana* La "filigrana" (watermark) di Google che compare in ciascun file è essenziale per informare gli utenti su questo progetto e aiutarli a trovare materiali aggiuntivi tramite Google Ricerca Libri. Non rimuoverla.
- + *Fanne un uso legale* Indipendentemente dall'utilizzo che ne farai, ricordati che è tua responsabilità accertarti di farne un uso legale. Non dare per scontato che, poiché un libro è di pubblico dominio per gli utenti degli Stati Uniti, sia di pubblico dominio anche per gli utenti di altri paesi. I criteri che stabiliscono se un libro è protetto da copyright variano da Paese a Paese e non possiamo offrire indicazioni se un determinato uso del libro è consentito. Non dare per scontato che poiché un libro compare in Google Ricerca Libri ciò significhi che può essere utilizzato in qualsiasi modo e in qualsiasi Paese del mondo. Le sanzioni per le violazioni del copyright possono essere molto severe.

Informazioni su Google Ricerca Libri

La missione di Google è organizzare le informazioni a livello mondiale e renderle universalmente accessibili e fruibili. Google Ricerca Libri aiuta i lettori a scoprire i libri di tutto il mondo e consente ad autori ed editori di raggiungere un pubblico più ampio. Puoi effettuare una ricerca sul Web nell'intero testo di questo libro da <http://books.google.com>



3.12.68. P.89

Digitized by Google

14333
SC. 3. 2. 6. 1. 13. 2. 2. 0.
1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8.

Clavus (Pringsheim)

Collegij Lugdunensis Societatis Iesu Catalogo Inservit
1608
St. Trinitatis

341480

CHRISTOPHORI
CLAVII BAMBERGENSIS
E SOCIETATE IESV.

ASTROLABIVM



C V M P R I V I L E G I O.

R O M

Impensis Bartholomei Graffi.

Ex Typographia Gabiana. M. D. XCIII.

SUPERIORVM PERMISSV.

A. P. Laurentio Mario d. auditor

841190

THE STATE OF MASSACHUSETTS

THE LIBRARY OF THE

STATE SOCIETY LIBRARY

INVITATION

TO A LECTURE

ON THE HISTORY OF MASSACHUSETTS

BY JAMES DEWEY THAYER

ON TUESDAY EVENING, NOVEMBER 10, 1896,

AT THE STATE SOCIETY LIBRARY, BOSTON,

IN THE HALL OF THE STATE SOCIETY.

ADMISSION FREE.

THURSDAY, NOVEMBER 12, 1896,

AT THE STATE SOCIETY LIBRARY, BOSTON,

IN THE HALL OF THE STATE SOCIETY.

ADMISSION FREE.

FRIDAY, NOVEMBER 13, 1896,

AT THE STATE SOCIETY LIBRARY, BOSTON,

IN THE HALL OF THE STATE SOCIETY.

ADMISSION FREE.

SATURDAY, NOVEMBER 14, 1896,

AT THE STATE SOCIETY LIBRARY, BOSTON,

IN THE HALL OF THE STATE SOCIETY.



SERENISS. PRINCIPI
AC DOMINO
D. FRANC. MARIAE II.

YRBINI DUCI.

CHRISTOPHORVS CLAVIVS

Societate Iesu S. P. D.

A THEMATICARVM disciplinarum,
quod te non fugit, PRINCEPS SERE-
NISSIME, tam immensa copia, arque
vbertas est, vt cum quis omnia ferè ip-
sorum arcana se animo, & cogitatione
comprehendisse existimat, tunc quasi
nouum, ac rudem intelligat ad ea scruta-
nda penitus accedere, cum ex vnius perceptione rei al-
tera identitem emergat: vt ē multis tanquam nodis ac ne-
ribus catena se implicante, noua quæ inceptu occu-
patio, ubi desituta esset. Ad propositum huius rei si non rursum
certe testis esse possum. Cum enim eorum iussu, quibus me
regendum permisi, in p̄stantissimis hisce studijs, scituq;
dignissimis vel publice profendijs, vel quantum res mea tu-

* * * lit,

lit, iustrandis vario commentariorum genere, iamdiu ver-
ser, videor mihi poene adhuc hærere in vestibulo, & eius
scientiæ quam suspicaretur aliquis perductam esse ad fasti-
gium, vix iacta fuisse fundamenta: ita alia atq; alia subinde
inquirenda occurrunt, vt, quod ait alicubi Sophocles, labor
labori labore tulisse videatur. Id cum sæpe alias, tum in
egregiō illō, & quoddū mājus videtur, quām vt ab hominē ex-
triterit, Claudi Ptolemaei ihuēnto, quod Planisphærium ab
ipso, Astrolabium vulgo, dicitur, sum proxime expertus. ad
cuius explicationem etsi non solum Federicus Commandi-
nustur olim Amplitudinis ditioni subiectus, & Mathema-
ticus excellenti doctrina Commentarios scripsit petelegan-
tes, sed & Franciscus Mayrolycus Siqulus Abbas nostrę aetatis
inter Mathematicos facile princeps breuissimas demon-
strationes edidit eiusdem argumenti; videntur tamen super-
esse non pauca in hac globoſæ sphæræ proiectione in planum
speculantibus proponenda. Nam ex ijs, quæ demonstrarunt
ipsi, nihil ferè efficitur, nisi vt conficiendi Astrolabii ratio di-
scatur; cuius vſus p̄exiguis est, & incertus: quando nec
describere in eo omnes circulos licet, quos in primo mobili
complectimur mente, nec qui describuntur, tot esse possunt,
vt per omnes gradus, & minuta traiuantur: quod sane eraq
neceſſe, ut perfectus huius instrumenti vſus perciperetur.
Quæ cum viderem, taleq; instrumentum, quod certissimis
demonstratiōnibus nitatur, præponendum esse omnibus in-
telligerem, ciuationem augere, & quoad sciui, potuiq;
perpolire, & perficere conatus sum: vtinam euenta conatu
responderint. Ecquidem (liceat liberè, ac sine arrogantia
loqui) Dei ope, qui adiuuat laborantes, quædam commen-
tatus vides, quæ te mihi non dico sperare, sed cupere
fuerit fuisse. Primum enim Geometricè ostendit, qua ra-
tione in plano, in quo datus sit circulus quantilibet magni-
tudinis, referens Aequatorem, aut maximum quemlibet
alium sphæræ circulum, describatur quiuis cælestis circulus,
quem

quem in cælo cognitum esse contigerit. Trado deinde, in eodem plano quot & quilibet circuli, lineaè ponantur, quos in cælo circulos, aut lineas referant, quæ Geometrica arte perspicuum fiat. Tum (quod meo iudicio plurimi faciendum est, cum fons sit omnium, & caput) doceo multipliciter, quo modo quemlibet circulum in Astrolabio effigium diuidere oporteat in gradus suos, quaque demotione inuestigare punctum, ut cuilibet punto eiusdem circuli, quem in cælo posueris, respondeat: etiam si omnes in cælo gradus æquales sint in eodem circulo, & in Astrolabio propter inæqualem ab oculo distantiam inæquales appareant: Postremo explico sine adminiculo Astrolabij, modo duorum triumque circulorum species in pagellam coniiciatur, qui habeatur qualiscunque Astrolabij usus, et si per instrumentum talem usum parare non possis: atque hoc ipsum (quod auget pretium) multo exploratius, quam ipsius instrumenti ope; (quanquam sit etiam utile ipsum:) dum regula diligenter, & circino utaris. His addo triangulorum sphæricorum scientiam omnem: ut triangulum quodcunq; sphæricum efformare liceat in plano, singulaq; eius latera, & angulos inspicere ea prorsus ratione, qua inspicerentur, si globum haberemus tornatum omni ex parte, ut nihil eo rotundius, in quem omnia triangula potestas esset imprimere nostro arbitratu. Et vero hæc pars tam longè, lateque patet, ut nulla sit quæstio (sunt autem quæstiones infinitæ) ex triangulis sphæricis per sinus, ac numeros explicabilis, quam non commode per angusto spatio per tres arcus explicemus sine auxilio numerorum. Quæ cum ita se habeant, (timide dico, sed veritas me audaciorem facit) aperte proficer, hoc nostro commentario operando, nam primi mobilis contineri: cum in eam non possumus informare elevatione, sive sint circuli rectæ lineæ, anguli, unius ad alium circulum inclinationes, triangula, quod non hic in plano facilimè deprehendatur. quod ipsius tentare ad hoc yb
que

que & opus, quod ego sciam, nemini Mathematicorum ve-
nit in mentem: vt nec suum ipse partum agnosceret Clau-
dius, si te priuisceret. Hunc ego laborem, cuicuimodi sit,
(etsi multa esse non ignoro non satis explicata, nec suis po-
sita locis, vt quæ se, dum ipsum opus typis mandaretur,
offerrent) Serenissime Princeps, Amplissimo tuo nomini
do, dono, dicoque. Atque id optimo consilio. Cum enim
(vt non modo testatur Illustrissimus D. Guidus Vbaldus è
Marchionibus Montis, Mathematicarum peritissimus ar-
tium, quod eius indicant pulcherrima volumina edita in
lucem, sed clamat celeberrima fama, quæ totum occupauit
orbem terrarum) instructus sis scientia rerum omnium, ac
Mathematicarum præcipue, quæ vt sunt nobilissimæ, sic no-
bilissimum quemque Heroa maxime decent, cui destinare
iustius poteram hæc rerum fermè nouarum omnium inuen-
ta, quam tibi, qui earum cognitione præter cæteros excel-
lis? Quod si mos Archimedi fuit, Apollonio, illis Geome-
trarum luminibus, & priscis item alijs viris summis, res à se
excogitatas proferre sub aliorum Mathematicorum nomi-
ne, qui eadem conditione vita ijsdem studijs delectareh-
tur, vt de ijs intelligerent, ac iudicarent: quanto æquius,
meliusque offerri debuit à me hoc Amplitudini tua? Nihil
enim est hodie magis cognitum, aut illustre, quam esse te,
vt modo attigi, (quod in Principe viro hoc præclarus, quo
rarius exemplum) in omni parte disciplinarum Mathema-
ticarum egregiè peritum, eumque rerum gerendarum con-
silio maximum, itaque bellum gloria, ac virtute præstantem,
vt nulla sit laus, quæ non tibi meritissimo debeatur. quas
etiam ob causas ardebam cupiditate incredibili, vt pérle~~ti~~
aliquo in actio ostenderem, me iam diu esse addictissimum
Amplitudini tua. At tu accipio meum hoc commentatio-
num volumen ea, quam patrem habes benignitate summis
virtutibus tuis, & meum hoc munusculum, quo accedat
etiam ei dignitas à loco, esse patere in Illustrissima tua illa,
opti-

optimisq[ue] libris instructissima bibliotheca: vt & præsens
seculum, &, si modo hic labore auctore transhibet in secula,
etiam postera cognoscant, me, ac res meas omnes fuisse
in ære tuo. quam meam mentem, non mortalibus tan-
tum, sed, vt ita dixerim, immortalibus, cœlestibus nempe
orbibus, quorum metiendorum, inspiciendorum, cognio-
scendorum hic modus quidam traditur, hoc veluti signo-
testatam esse voluimus. Vale. ROMÆ III. NON.
SEPTEMB. M D XCIII.

QV·AE IN ALIORVM ASTROLABIIS
non traduntur, sed in hoc nunc primum
inuenta sunt, ac demonstrata.

- I. **C**uiusvis circuli sine maximi, siue non maximi, projectio in planum.
si modo eius situs in sphera cognitus sit.
 - II. **C**uiusvis circuli siue maximi, siue non maximi, in planum projecti diuisio in 360. partes inaequales; qua gradibus 360. aequibus eiusdem circuli in sphera respondeant.
 - III. **C**ilibet punto, vel arcui in calo, vel sphera dato, respondens punctum, vel arcum in plano Astrolabij assignare: Et contra, dato quolibet punto, vel arcu in plano Astrolabij, quod punctum, vel arcum in calo, seu sphera referat, inuenire.
 - IV. Circulo rectangulo descripto in Astrolabij plano, vel recta rectangulo deta, quem circulatur, aut rectam in calo, seu sphera representet, explorare.
 - V. **V**sus Astrolabij, isq; amplissimus, solius circini, ac regula beneficio, sine auxilio Astrolabij materialis.
 - VI. **O**mnium triangulorum sphericorum descriptio in plano, et angularum, laterumq; eorundem inuentio sine ope numerorum.
 - VII. **O**mnium questionum, que per triangula sphaerica adiumento numerorum endantur, solius beneficio circini, ac regula, explicatio.
 - VIII. **V**sus Sinuum, Tangentium, atque Secantium per solam prosthaphresim, hoc est, per additionem, subtractionemq; solam, sine multiplicatione, ac divisione numerorum: Accessit compendium mirificum omnium triangulorum; et tabula Sinuum emendata, cum modo partis proportionalis cruenda.
 - IX. **D**emonstratio, non dari circulos maximos horarum inequationem, contra omnes fere horologiorum scriptores.
 - X. **A**ria determinationes magnitudinis angularum in triangulis sphaericis, a nemine hactenus animaduerte.
- PRAETER** hec, innumerabilia alia varijs in locis dispersa
occurrent, qua non paucim in aliorum scriptis reperies.

IN ASTROLABIVM

P R A E F A T I O.



INTER omnia instrumenta, quibus ea, quæ primi mobilis motum ab ortu in occasum consequuntur, vel ad eum aliquo modo pertinent, explicari, atque inuestigari solent, ab Astronomis magna solertia excogitata, nullum mihi vñquam visum est præstantius eo, quod Claudio Ptolemyus Planisphærium inscripsit: vulgo Astrolabium dixere. in quo nimirum omnes circuli cælestes primi mobilis rationibus Geometricis ita in planum projiciuntur, ut singula eorum puncta, & arcus dimetiri non minus accurate, & exquisitè liceat, quam in globo aliquo perfecte rotundo, qui primum mobile referat. Quamuis enim <sup>Globi impedi-
dionem</sup> sphæra solida, siue globus, de quo proximè diximus, omnibus instrumentis, quæ extrui, aut informari cogitatione possunt, iure antecellat, quod sit perfe&issima totius cœli imago & effigies: quia tamen ob exquisitissimam rotunditatem, quam habere debet, & difficilius eius constructio redditur, vt vix quisquam perfectum se globum aliquid consecuturum speret, & conseruari diu sine damno vetustatis difficile potest: idcirco Astronomi industria sane admirabilis. <sup>Astrolabii probat-
us.</sup> Conati sunt globum, seu sphæram in planam superficiem traducere, ut commodius, faciliusque ea omnia obtinerent, quæ per globum, siue sphæram adipisci poterant. Est enim instrumentum planum, iter facientibus commodissimum, quippe quod & sine labore ex uno in alium locum transferri, & facile illæsum custodiri queat. Adde, fieri non posse, ut in globo vel diligentissime elaborato, omnes necessarij circuli, omniaque puncta distincte ponantur; quæ res non parum negotij studioso faceſſere poffit. Quæ difficultas in plano locum non habet, cum in quavis plana superficie, etiam in charta ^{per} exigua, tres quatuorue circuli facile delibrantur, qui nobis maxime sunt vñi tunc futuri, omissis aliis, quibus in præsenti non indigemus: Deinde, ut omnis confusio vitetur, reiecta hac charta, ali a assumi potest, in quælibet circuli alium in usum efformentur.

a Neque

P R A E F A T I O.

Neque enim necesse est, ut is, qui rationem tenet describendorum in plano omnium circulorum, semper Astrolabii instrumentum in manibus habeat, sed satis est, paucos quosdam circulos in modo aliquo spatio, vel certe in charta aliqua non admodum magna describere, eosque in gradus distribuere, ut ex ijs ea eliciat, atque eruat, quæ inquirit.

*scopus
utrius
paucus huius ope-
ris.*

*Astrolabii mate-
rialis imperfe-
tio.*

*Astrolabii vnu-
sus amplissimum &
instrumento.*

A T Q V E hic mihi præcipue est scopus propositus, ut docem, qua ratione in sola una chartula, aut in exiguo spatio plano, inuestigentur ea omnia, immo multo plura, quæ alij per instrumentum Astrolabij venantur, ita ut vnum Astrolabii adipisci perfectissime quis possit, etiam si factum instrumentum nunquam viderit: quod Astronomiaæ studiosis gratissimum fore cōfido, cum multi eo careant, & vix vnum reperiatur tanto studio, ac diligentia constructum, ut omnis in eo perficiendo error artificem effugerit. Immo etiam si Astrolabium quis habeat (quod vel raro, vel nunquam accidet) summa arte, diligentiaque fabrefactum; tamen quia in eo non solum non omnes circuli maximi, sed neque paralleli omnes vnius solius circuli maximi, neque maximi omnes circuli in eisdem duobus punctis se intersecantes, cuiusmodi sunt omnes circuli Verticales, vel circuli positionum, per singulos nimurum gradus, ac minuta describi possunt, quod tamen requiritur, si exquisite omnia reperienda sint; necesse est, vnum ipsius plerumque esse incertum, atque impeditum: ita ut sapienti numero conjectura potius assequi, quod queritur, quam certa aliqua demonstratione, cogamur. Quin etiam, quoniam in instrumento illorum tantum circulorum usus percipi potest, qui in eo pauci descripti cernuntur, sit ut Astrolabij materialis usus paucarum rerum terminis circumscriptus sit. Nos autem sine auxilio instrumenti usum trademus omnium circulorum, qui innumerabiles propemodum in primo mobili concipi possunt, vniuersamque doctrinam primi mobilis, quæ est amplissima complectemur; ut ne doctrina quidem triangulorum sphæticorum ab eius regulis excludatur, sed tota mira facilitate explicari possit. Nam inter cetera, quæ vulgaribus Astrolabij usibus hoc nostro adiecimus, qua ratione in ipsis triangulis sphæticis (quod mirum cuiuspiæ videatur) ex lateribus anguli, & latera vicissim ex angulis exquisitissime explorentur, sine ullo numero, siue sinuum adiumento clarissime docebimus: quo item pacto in clinationes circulorum variorum sphæræ inter se, atque intersectiones, & alia id genus sexcenta nullo fere negotio perueitgentur: quo etiam loco omnia illa problemata complectemur, quæ per si-
num

P R A E F A T I O.

nuūm numeros in nostra Gnomonica olim, præsertim libro priōo,
& alibi absoluimus, & ab alijs auctōribus varijs in locis proponi, &
inquiri solent.

T O T V M autem opus Astrolabii in tres libros tribui-
mus. In primo varia theoremat̄, ac problemata demonstrabi-
mus, quæ omnia Lēmatū nomine complexi sumus, quippe quæ ad
demonstrations eorum, quæ ad circulorum proiectiones in pla-
num, & ad nouum Astrolabij vsum pertinent, suis locis assūman-
tur. In secundo libro non tantu^m omnes circulos, qui in primo
mobili concipi possunt, veru^m etiam omnes lineas rectas, ac pun-
cta in Astrolabij plano describemus, circumque quemlibet descri-
ptum in suos partiemur gradus, hoc est, in certas quasdam partes
inter se inæquales, (omnium enim circulorum cælestium partes
æquales in partes inæquales proiiciuntur in Astrolabij planum,
Aequatore, eiusque parallelis exceptis, quorum partes æquales in
partes æquales proiiciuntur, vt suo loco perspicuum fiet) quæ gra-
dibus eorum æqualibus in cælo respondent: quod ad hanc vique
diem neminem absolute perfecisse comperio. Quicunque enim de
Astrolabij constructione scriperunt, præter Aequatorem, Eclipti-
cam, Horizontem, eorumque parallelos, nullum circulum in A-
strolabio in gradus distribuunt; & Horizontem quidem cum suis
parallelis, atque parallelos Eclipticæ, solum per circulos maxi-
mos, qui per eorum polos ducuntur in sphæra: quæ res difficilis
admodum est, & immensi pene laboris. Solus Andreas Schone-
rus in libro de compositione Astrolabij Horizontem, Eclipticam-
que cum eorum parallelis, alia quadam ratione in gradus parti-
tur, sed illius nullam nobis demonstrationem affert, vt merito quis
de eius veritate posse dubitare. At nos quemcunque maximum
circulum in Astrolabio descriptum, eiusque parallelos, non vna, sed
pluribus viis, ijsque facilimis, quæ omnes suas habent demonstra-
tiones, in gradus diuidemus; vbi etiam modum Schoneri Geome-
tricè comprobabimus, & ad omnes circulos maximos, eorumque
parallelos accommodabimus: quod ipse non docuit. In tertio de-
nique libro Canones proponemus, quibus multiplex Astrolabij
vsum explicetur per solum circinum & regulam in qualibet pro-
feta charta, vel plano, vt paulo antea diximus; extendentes hac ra-
tione Astrolabij vsum ad longe plura problemata, quam per v-
lum materiale instrumentum fieri possit: quod Lectoris iudicio re-
linquo. Illa porro problemata, quæ in communibus & peruvulga-
tis Astrolabijs explicari solent, soluemus nos etiam per ipsum in-

Partitio brevis in
perie in tres lib.
ros.

P R A E F A T I O.

strumentum, ut & usum Astrolabij per uulgatum non omnino neglige re videamur, & ijs hac in parte consulamus, qui Astrolabium materiale habent, & mediocritate quadam contenti sunt, aut in ducendis lineis non valde exercitati: Sed antequam ad primum librum me conferam, operæ pretium me facturum puto, si quasi prolegomenorum loco pauca quædam de variis circulis sphæra tam maximis, quam non maximis, de ijs præsertim, qui in Astrolabio describendi sunt, in medium afferam, vel potius in memoriam reducam, ut eorum positionem ac situm in celo, cum ijs utendum erit, plane perspectum, ac veluti in promptu habeamus.

D E C I R C U L I S primi Mobilis.

Aequator, eiusq;
paralleli, quid,
et quod se coru
obscum.

AEQUATOR, siue circulus aquinoctialis, est circulus maximus, cuius poli idem sunt, qui totius mundi, siue primi mobilis. Huic principiis di sunt circuli non maximi equidistantes ex utraque parte per singula cœli puncta descripti: quorum officium est indicare, quenam stellæ, vel planetæ caelestia eandem ab Aequatore declinationem habeant, & quæ maiorem minoremque. Item quæ in eodem Horizontis punto orientur, aut occidunt, & quorum ortus, occasus siue magis in Boream, vel Austrum vergat, Omnia enim astra, atque cœli puncta in eodem parallelo Aequatoris extantia, eandem habent declinationem, idemque punctum ortus & occasus; illud vero, quod parallelum obtinet minorem, qui videlicet magis ab Aequatore distat, declinationem habet maiorem, punctumque ortus & occasus ab aquinoctiali ortu, occasuque remotius. Principiis autem paralleli Aequatoris, qui insphæra considerantur, quatuor sunt, Tropicus Σ , tropicus Δ , circulus arcticus, & circulus antarcticus, quorum situs ac positio in sphæra, ab Ecliptica, eiusque polorum situ petenda est, ut mox dicemus.

Tropicus Con-
tri, & Capricor-
ni, & circulus ar-
cticus, antarcti-
cusque, qui.

Eclipticas, siue
parallelis, quid,
et quod eorum
obscum.

ZODIACVS, Eclipticæ, circulus maximus est, cuius poli à polis mundi, siue Aequatoris recedunt grad. 23. & semis ferme hoc tempore: ex quo sit, Eclipticam interfecare Aequatorem oblique, ita ut ad eum sis inclinatio, unaque siue medietas vergat ad septentrionem, & ad austrum: Punctum mediumque priusque medietatis tanto intervallo ab Aequatore absit, quanto poli Zodiaci à mundi polis recedunt. Duo quoque puncta, quibus se mutuo intersecant Ecliptica & Aequator, dicuntur aquinoctialia, quod in illis existens Sol aquinoctium ubique efficiat; quorum illud, quod principium dat semicirculo Ecliptice boreali, ab occasione ortu in progrediendo, Vernalis dicitur, alterum vero Autunnale. Duo vero puncta

P R A E F A T I O.

puncta Ecliptica maxime ab Aequatore distantia, appellantur solstitialia, quia solstitium ubiuis locorum sit, cum primum ad utrumque eorum Sol per uenerit. Boreale quidem, dicitur solstitium aestivalium, sive primum punctum Cancri, per quod videlicet parallelus Aequatoris, quem Tropicum dicitur, describitur. Australis vero punctum, solstitium hibernum, seu primum punctum Capricorni vocatur, per quod nimirum Aequatoris parallelus, quem tropicū dicitur, nominant, transit. Polus denique Ecliptica boreus parallelum Aequatoris, quem articum circulum appellantur, ad motum primi mobilis describit; australis vero polus eiusdem Ecliptica alterum Aequatoris parallelum designat, qui antartiticus punctulus dicitur. Hinc etiam Ecliptica sunt intelligendi circuli non maximi aequaliter distantes, qui per singula cali puncta describantur: quorum officium est indicare, quenam stella eandem latitudinem, id est, eandem distantiam ab Ecliptica habeant, & que maiorem, minoremque. Nam stelle in eodem parallelo Ecliptica existentes eandem latitudinem obtinent; que vero in minori parallelo reperiuntur, scilicet qui longius ab Ecliptica distat, maiorem habent latitudinem.

C O L V R I sunt duo circuli maximi sese in polis mundi ad angulos rectangulis intersecantes, quorum alter per duo puncta Ecliptica aequinoctialis ductus, atque Colurus aequinoctiorum appellatur; alter vero per duo puncta solstitionum transit, diciturque Colurus solstitionum. Atque omnes bis circuli, quos hactenus descripsimus, mobiles sunt, quippe qui perpetuo ad motum primi mobilis circumferantur. Alij omnes circuli, qui sequuntur, immobiles sunt concipiendi in celo, ita ut nunquam situm mutent, aut positionem.

M E R I D I A N U S est circulus maximus per polos mundi, & recticem loci, id est, per illud punctum in celo ducitur, quod directe illi loco superpositum est, quale est illud, ad quod pertingeret cacumen alicuius turris, si ad celum usque extenderetur. Quod quidem punctum Arabes Zenith appellant, oppositum vero punctum per diametrum, Nadir, ad quod videlicet eadem turris pertingeret, si per terrae centrum ad alteram partem celi excurreret. Habet etiam Meridianus infinitos circulos non maximos parallelos ex utraque parte per singula celi puncta descriptos: qui indicant, quenam stella aequaliter distantiam à Meridiano habeant, & que maiorem, del minorem.

H O R I Z O N maximus circulus est, cuius poli sunt vertex capitulum, punctumque oppositum, Zenith nimirum, & Nadir: qui videlicet hemisphaerium visum, seu apparensem, ab occulto, seu non viso separat. Huic describuntur innumerabiles paralleli circuli non maximi ex eisdem polis per omnia celi puncta, ut monstrant, quenam stella eandem distantiam ab Horizonte habeant, & que maiorem, & minorem: que quidem distantia in supero hemisphario, altitudo Solis, stellaramque supra Horizontem, in infero, depresso sub

*Meridianus, est
que paralleli,
quid, & quod
sit illorum ob-
cium.*

*Horizon. Et haec
paralleli quid, &
quod sit illorum ob-
cium.*

P R A E F A T I O.

pro sub eodem appellatur. Ipsi vero parallelis Horizontis apud Arabes, ab mucant arath vocantur.

Verticale circa.
li, quid.

V E R T I C A L E S circuli, quos Arabes Azimuth nominant, sunt maximi, qui per polos Horizontis hoc est, per Zenith, atque Nadir, ducuntur per singula Horizontis puncta: quorum is, qui per intersectiones Aequatoris cum Horizonte transit, **V E R T I C A L I S P R I M A I U S**, sive proprie dictus; aut **V E R T I C A L I S R E G I O N I S**, appellari consuevit. Inter hos autem annumeratur quoque Meridianus, cum & ipse per verticem loci ducatur. Officium horum, quod non vulgare est, multis in lacis ex usu Astrolabij cognoscetur.

Horarii circuli
tam à mer. &
med. noct. quam
ab or. vel occ.
quid.

H O R A R I I circuli, si quidem horas aequales à meridie & media nocte, quae Astronomicæ dicuntur, indicent, sunt **M A X I M I** per polos mundi transentes, Aequatoremque & omnes eius parallelos in 24. horas aequales distribuentes; quorum unus est ipse Meridianus, a quo initium huiusmodi horarum sumitur: Si vero horas ab ortu vel occasu significant, sunt maximè tangentes duos parallelos Aequatoris, quorum unus est semper apparentium maximus, & alter maximus semper latentium, in illis punctis in quibus à circulis horarum Astronomicarum secantur; inter quos communerandus quoque est Horizon, à quo eiusmodi horæ incipiunt: Si denique ad horas inæquales pertineant, definiuntur maximi diuidentes omnes arcus parallelorum Aequatoris tam diurnos, quam nocturnos, in 12. partes aequales. De his omnibus circulis horarijs plura scripsimus libro 1. *Gnomonices*, propos. 9. & 10. quamuis, ut verum fatear, circuli horarum inæqualium nulli sint, ut infra lib. 1. Lemmate 39. demonstrabimus: quod multis incredibile vide ri posse.

Circuli horarum
longitudinem vel
hi finit.

Dedicationem
circa' qui, & co
se officia quod.

D E C L I N A T I O N V M circuli sunt maximi per mundi polos, (quemadmodum & circuli horarum à meridie ac media nocte distinctores) & singula puncta Aequatoris duelli, ita dicti, quia declinationem cuiuslibet puncti, vel stellæ ab Aequatore metiuntur. Est enim declinatio stellæ, vel proptere cali, arcus circuli maximi per mundi polos, & stellam, vel punctum cali transversantis, inter stellam, punctum, & cali, & Aequatorem interceptus. Inter hos circulos ponendi quoque sunt circuli horarum à meridie & media nocte.

Latiudine cir
cali qui, coram.
que officia quod

Latiudine stellæ
quid.

Domicinu[m] cele
stis circuli qui

L A T I T U D I N V M circuli sunt maximi per Eclipticæ polos, & singula eius puncta descripti, sic nominati, quod latitudinem, hoc est, distanciam cuiusvis stellæ, vel puncti cali ab Ecliptica metiantur. Nam latitudo stellæ, vel puncti cali, est arcus circuli maximi per polos Eclipticæ, & stellam, scilicet punctum cali transversantis, inter stellam, punctum, & Eclipticam inclusus.

D O M I C I N U M caelestium circuli sunt maximi, numero sex, diuidentes totum calum in duodecim domicilia, ducunturque omnes per intersectiones Meridiani cum Horizonte, & ex sententia quidem Ioannis Regionontani, per duo-

P R A E F A T I O.

per duodecimas partes Aequatoris, ut autem Campano placet, per partes duodecimas Verticalis primarij cuiusque loci.

P O S I T I O N V M circuli sunt maximi per intersectiones Meridiani cum Horizonte, (quemadmodum & circuli domiciliorum caelestium) singula puncta cali transeuntes ; ita appellati, quod positionem cuiusvis stelle respectu domorum caelestium indicent, utrum nimirum proposita stella sit in principio, fine, medio, aut alia parte huius, vel illius domus caelestis. Atque ex horum numero sunt quoque illi sex dominorum caelestium.

P R A E T E R hos omnes circulos maximos, quos evanexavimus, cum suis parallelis, (Omniem enim maximum circulum habere infinitos aequidistantes, seu parallelos non maximos, intelligendum est, ut de Aequatore, Ecliptica, Meridianio, atque Horizonte dictum est.) considerari possunt in celo innumerabiles propemodum alijs ab omnibus illis differentes. Per quilibet namque duo puncta in superficie conuexa spherae caelestis assignata describi potest circulus maximus, ut Theodosius lib. 1. Elementorum sphericorum propos. 30. demonstravit, qui quidem infinitos non maximos sibi equidistantes ac parallelos habere potest circa eodem cum illis polos descriptos.

Atque omnes hos circulos tam maximos, quam non maximos,

qui à nobis declarati sunt, in plano Astrolabij Geometrī, hoc est, firmis atque evidētibus rationibus describemus secundo libro, eosdemque in suos gra-
dus partiemur, seu potius in quolibet eo-
rum propositum gradum assignabimus,
cum r̄sus id exigat, atque necessitas.

Sequitur iam index locupletissi-
mus omnium problematum,
atque theorematum, qua
toto hoc Astrolabio
demonstran-
tur .

Positionum &c
cali qui.

In infinitis aliis
circulis maxi-
mos eis propriis
parallelis in ca-
lo esse concipi-
dos.



*Ego Claudio Aquauia Societatis Iesu Pra
positus Generalis opus Astrolabij Patris
Christophori Clavij in tres Libros distin-
ctum , à tribus Societatis nostra Theolo-
gis, ac Mathematicarum peritis recognosci,
atque approbari curau. Quod propriea
etiam approbo, ut imprimi possit, si ita pla-
cuerit Reuerendiss. D. Vicegerenti, ac Re-
uerendiss. Patri Magistro Sacri Palatij.
Dat. Roma. Die 26. Augusti 1593.*

Claudius Aquauia.

I N D E X
L E M M A T U M P R I M I
L I B R . I .

Q V A E alio charactere sunt impressa, ad Scholia, &
Corollaria pertinent.

1. **D**ATA linea rectam, vel circularem, in quatuor partes aequales, etiam minissimas, dividere beneficio circini, cuius pedes distanceriam inter se habent data lineam inveni. pag. 2
2. QVAM DIANTEM, vel circumferentiam gradum in gradus distribuere beneficio circini, quius pedum incirculum plus gradus, quam duos, tresne complectantur.
3. EX data circumferentia arcum quoclibet gradus integros, vel quolibet gradus, ac minuta complectentem abscindere. Et contra, quos gradus ac minuta in quenvis arcu data circumferentia continetur, cognoscere, etiam si data circumferentia in gradus ac minuta divisa non sit. 5.
4. PER datum punctum data recta linea parallelam lineam ducere. 11
5. QVAM proportionem habent sinus recti, hoc est, semidiametriorum quorumlibet circumferentiarum, eandem habent sinus tam recti, et versi arcuum simillimum. Et contra, arcus quorum sinus tam recti, quam versi, eandem proportionem habent, quam sinus totis, similes sunt. 12
6. Si segmentis similibus circulorum inaequalium similia segmenta adiiciuntur, vel a similibus simila demandantur; tota quoque, vel reliqua segmenta similia erunt. 13
7. SI duo quadrantes inaequalis similiter secuntur, vel in partes aequales, et per diuisimorum puncta uni semidiametro parallele agantur, sine ad alteram semidiametrum perpendicularis; erunt segmenta simidiametri in uno quadrante a parallelis, vel perpendicularibus facta, segmentis semidiametri a parallelis, sine perpen-
- dicularibus in altero quadrante factis proportionalia: Et contra, si segmenta semidiametrorum sint proportionalia, quadrantes similiiter secuti erunt. 15
8. DATA rectam lineam ita se dare, ut semidiameter alicuius quadratis secutus sit a perpendicularibus, que a quibusvis punctis quadratis ad ipsam demicircumferentia tuncur. 18
9. SI duo, pluresne circuli intus, vel duo extra se mutuo contingant, recta linea per contactum ducta, similes circumferentias absindunt: Et recte coniungentes bina puncta, in quibus due recte circulos secant, parallela sunt.
- IDE M contingit in duobus circulis se mutuo non tangentibus, si pro contactu sumatur punctum in recta eorum centra coniungente, per quod transit recta cōnectens puncta alterna extrema diametrorum ad priorem secundam perpendicularium. Sed quando circuli intus non se contingunt, similes arcus sunt alterni, non autem eodem ordine sumpti, ut in illis. 20
10. SI duo, pluresne circuli se mutuo secunt; recta linea per sectionis punctum ducta, qua vel ipso secunt, vel utraq; sectagnis, vel earum altera; intercipiunt circumferentias similes inchoatas ab una eorum rectarum, et versus eandem partem, atque ad punctum sectionis, vel contactus alterius recta progredientes. Si autem ex eodem sectione puncto circulum quicunque describatur, et inde recta linea inter ducta, etiam rectas comprehensa, semipunctus arcus in eodem circulo ex sectionis punto descripto, qui arcus cuius priorum circumferentiorum inter easdem rectas intercepto similis est. 24

ss. R.E.

I N S T R U M E X

12. **R E P C T A M** linea demissam
in continuo extenderet, vel (quod idem
est) per duo puncta parum integrum se distan-
tia lineam rectam quantumlibet produ-
cere. 30

13. **D A T I S** duabus rectis tertia,
& tribus quartam proportionaliter in-
nunare. 34

13. **D A T I S** duabus rectis ad in-
uicem inclinaris, inuenire punctum, in quo
conuenient, etiam si nostra producatur. 30

14. **I N S T R U M E N T V M** costruere,
quo per data tria puncta, etiam secundum
lineam fermè rectam constituta sint, ar-
cus circuli possit describi, sine auxilio cir-
cini. 43

15. **C V R V A** linea, cui subtenSA sit
recta linea, & quadrata omnium perpen-
dicularium ex punctis linea curva ad fab-
iensam rectam demissarum equalia sine
rectangulis contentis sub segmentis eiusdem
subtenSA factis à perpendicularibus, hoc
est, omnes perpendicularares sint media pro-
portionales inter segmenta subtenSA ab ip-
sis facta, semicirculus est, eiusq; diameter
recta illa subtenSA, hoc est, semicirculus
circa illam rectam subtenSAM descriptus
curva data linea congruet, sive (quod idem
est) per extrema puncta omnium perpen-
dicularium transibit. 45

16. **S I** conus secetur piano, quod base
coni aequaliter, sectio in tonica superficie
facta, circumferentia circuli est, centrum
in axe coni habens. 46

17. **S I** conus scalenus secetur pla-
no per axem, quod ad basem rectum sit,
seceturque altero plano ad triangulum per
axem à priore plano factum recto, quod
triangulum ex triangulo per axem absen-
dat simile quidem ipsi triangulo per axem,
subcontrarie vero positum: Sectio circulus
est, cuius diameter est communis sectio trian-
guli per axem, & plani quod ipsam sectio
in conus superficie efficit. Huiusmo-
dum sectio vocetur subcontraria. 48

D I A M E T R V M subcontraria
sectionis diametro basis coni equaliter
posse esse, & inaequalem. 50

D I A M E T R V M subcontraria

sectionis, & diametrum basis coni nun-
quando se mutuo bifariam secare. 51

D I A M E T R V M subcontraria
sectionis, & diametrum basis coni, quā
do equeales sunt, neutram diuidi bifa-
riam. ibidem

Q V A N D O diameter sectionis
subcontraria inaequalis est diametro ba-
sis coni, & altera earum secatur bifa-
riam, alteram malorem esse. ibidem.

Q V A N D O diameter subcontra-
riae sectionis inaequalis est diametro ba-
sis coni, & minor diuiditur bifariam,
maiorē partē maioris vergere ad m̄t-
notem angulum trianguli per axem,
quem illa diameter cum latere eiusdē
trianguli facit. 53

18. **Q V A M** proportionem habet si-
nus totus ad sinum maximū declinationis
Ecliptice ab Aequatore, eandem habet
sinus rectus arcus Ecliptica inter quodvis
eius punctū, & proximum punctum equi-
noctialis interiectus ad sinum rectum de-
clinationis eiusdem illius puncti Ecliptica
ab Aequatore. ibid.

19. **A N A L E M M A** ad datam
poli altitudinem quamcumq; describere. 54

D E C L I N A T I O N E S omniū
punctorum Eclipticæ, & cuiusvis dati
puncti, quo pacto Geometricè reperien-
tur. 57. 58. & 59

20. **S I** duo plana se mutuo secant, &
in uno eorum ad duo puncta communis se-
ctionis due recta eum ea internos duos an-
gulos qualescumque constituantur aequales:
& in altero ad eadem duo puncta due aliae
recta cum eadem sectione communi effi-
cient quoque internos duos angulos aqua-
les qualescumque: constituentur due he-
ptagoni recta cum duabus prioribus duob
angulis aequalibus. 60

21. **S I** in diametris circulorū aqua-
lium puncta sumantur aequaliter à ceteris
remota, ab eisque recta egrediuntur usq;
ad circumferentias constituentes cum diam-
etris ad easdem partes aequales angulos
recta illa & aequales erant, & arcus ab
scindunt aequales. Et si linea sine aequalis,
constituent recta illa cum diametris aqua-
les

L I B R I I.

les angulos ad easdem partes, abscindentesque ruitus aequalis arcus. Si deniq; arcus aequalis abscindantur ad easdem partes, erunt quoq; recte illa aequalis, constitueretque cum diametris ad partes easdem angulos aequalis.

*S I in diametris circulorum inaequa-
lium puncta sumuntur similiter à cen-
tris remota, ita ut eorum distantia à
centris eandem proportionem habeant,
quam semidiametri. & ab eis puncta
recte egrediantur constituentes cum
diametris ad easdem p[ar]t[es] angulos
aequalis; abscindentes ab eis arcus simi-
les. Et si arcus abscissi sint similes ad
easdem partes, cōstituent recte abscin-
dentes cum diametris ad partes easde
angulos aequalis.*

*S E ex duobus centris in eadem re-
gione existentibus describantur duo cir-
culi ea conditione, ut extra utrumque
accipi possit punctum similiter à cen-
tris distans: Recta linea tangens unum
circulorum, taget & alterum; Et recta
utrumque secans abscindet arcus simi-
les.*

*S I in plano subiecto inter duas
rectas cadat transversa recta linea faciens
cum illis angulos internos ex utraq; par-
te inter se aequales, sive omnes recti sint,
sive duo obtusi, & duo acuti; in rectis autem
illis duabus piano subiecto insistane
duo plana ad angulos rectos: Planum per
transversam lineam ductum utcunq; fa-
ciet cum planis rectis communes sectiones,
lineas rectas, qua cum ducis duabus rectis
in piano subiecto angulos continentur an-
gulares.*

*PLANVM in sphera per alterum
utrum polorum mundi, ex alterutrum po-
lorum circuli cuiusvis obliqui maximis, vel
ad Aequatorum recti, utcunq; ductum,
abscindit ram ex Aequatore et circulo illo
maximo obliquo, vel recto, quod ex quo-
libet parallelo Aequatoris, & parallelo cir-
culi illius maximi obliqui, vel recti. (qui
nam equalis sit parallelo Aequatoris;
& qui tanto interno ab assumptione pro-
posita est, quanto parallelo Aequatoris ab*

*assumptione mundi polo distat) datus arcus an-
gulares, inter pl anum secans, & circulum
maximum per assumptiones duos polos descri-
ptum interceptos.*

*S I in sphera sit circulus obliquus
sive maximus, sive non maximus, & per
quodvis punctum diametri ipsius, quanto
circulus maximus per eius polos, & polos
mundi duabus facit, ad ipsam diametrum
perpendicularis linea ducatur: Planum
per utrumvis polorum mundi, & illa per-
pendicularem ductum facie in plano Aeq-
uatoris communem sectionem, rectam li-
neam perpendicularem ad Aequatoris dia-
metrum, quam id est ille circulus maximus
per dictos polos ductus facit.*

*S I in sphera per polos mundi, &
polos cuiusvis circuli obliqui maximis, eius
que parallelorum, maximus circulus du-
catur, in quo ex alterutro mundi polo aga-
tur diametro circuli obliqui parallela, &
per hanc, planum utcunq; extendatur:
Erunt duo arcus tam circuli maximi ob-
liqui, quam cuiuslibet parallelorum ipsius,
inter circulum maximum per polos mun-
di, & circuli obliqui ductum, & planum
secans intercepti aequalis inter se.*

*S I circulus in sphera per alterum
utrum polorum mundi transcas, erit eius
diameter ex illo polo ducta, perpendicularis
ad communem sectionem plani eius cir-
culi, & plani Aequatoris.*

*I N cono recto omnes recte à ver-
tice ad circumferentiam basis ducta sunt
inter se aequales: In scaleno vero cono in-
aequalis, minima quidem, qua ad extre-
mum basis trianguli per axem, quod ad
basim coni rectum est, ducitur ex parte an-
guli inclinationis axis, maxima autem,
qua ad alterum extremum basis eiusdem
trianguli per axem ducitur: Et qua propin-
quior est minima, remotiore semper minor
est. Dua utramque aequalis recte ad
utramque partem minima, vel maxi-
ma.*

*S I in cono sit circulus basi aqua-
disans, recta linea ex vertice in superficie
conica ducta auferent ex base, & circulo
aquadiscante arcus similes,*

29. SI duae recte linea se mutuo contingant in uno puncto, & a quovis puncto extra ipsum in eodem plano plures recte ducentur, qua eas secundum habebunt segmenta remotoris linea ab assumptione puncto, versus punctum sectionis linearum propositorum progrediendo, maiorem proportionem, quam segmenta linea proportionis.

94

30. SI duo triangula 150scidia bases habeant aequales, latera vero unius maiora sint lateribus alterius: minor latera maiorem angulum continetur. Et si unius latera lateribus alterius maiora sint, angulumque continentur maiorem: illius basis base huius maior erit.

95

31. SI in cono scaleno circulus sit base subcontrariè positus, recta linea ex vertice in superficie conica ducta, quarum una sit latus trianguli per axem ad basem recti, auferente ex base, & circulo illo arcus dissimiles. Et si in uno auferatur duo arcus oppositi aequales, auferentur in altero duo arcus in aequalis, maior quidem versus angulum minorem trianguli per axem, minor vero versus angulum maiorem.

96

32. SI in diametro circuli, prater centrum, punctum quodpiam sumatur, & ex eo recte educantur, que in circumferentia circuli duos arcus aequales intercipiant: Erunt anguli ab ipsis comprehensi in aequalis, maiorque erit ille, cuius linea à centro longius absunt. Et si recte ducta continet angulos aequales, erunt arcus intercepiti in aequalis, maiorque erit ille, cuius linea centro propinquiores sunt.

101

33. SI in circulis se mutuo secantibus, vel non secantibus, diversa ramenta contra habensib; punctum quodpiam in communis eorum diametro, per utrumque centrum ducta, prater centra, sumatur, quod & inter utrumque centrum, & intra utrumque circumferentiam existat. Recta linea ab eo puncto educta secantibus ramentis circulorum circumferentiam in arcus in aequalis, faciat alterius circumferentiam in arcus in aequalis, maiorque semper erit ille, cuius linea centro propinquiores sunt: Arcus iste qualibet illius circuli, cuius centrum est in utroque assumptione puncto, eiusque circum-

ferentiam, interceptus inter communem diametrum, & quamlibet rectam ex eodem punto educatam, si minor est semicirculo, maior est, quam ut similis sit arcus alterius circulo inter easdem rectas interceptio.

104

34. SI circulus circulum bifarium fecerit, vel non bifarium, aut nullo modo fecerit, & per contra ad rectam per eadem centra, rectam ducantur duae diametri perpendicularares: Recta linea egradientes ex punto recta per centra cetera, per quod transfixa recta, que extrema duarum diametrorum ductarum communigat, & quod in utroque circulo existit, facientur, cum recta utriusque diametro aequidistantia ex utraq; parte, vel cum recta per contra transire, angulos aequales, intercipiant in utroque circulo arcus similes: ipsa quoque recta utriusque diametro aequidistantia ex utroque circulo alterius arcus similes abscondit. Et contra si duae recte arcus similes intercipiant, constituent cum eadem recta aequidistantia ad utrasque partes angulos aequales.

106

35. SI in circulo duae diametri seceantur, ad angulos rectos secant, & in eodem recta ducatur ad utramque diametrum inclinata, vel unius eorum parallelia; ab uno autem extremo alterius diametrorum per extrema recta linea inclinata, vel ab extremitate diametri illius, cui recta aequidistantia est, extendantur duae recte trianguli constituentes, cuius basis est recta inclinata, vel illa parallela: Altera diametrorum abscondit ex huius trianguli lateribus triangulum simile, sed subcontrariè possum. Et si recta inclinata per centrum transeat, recta ex eodem diametri extremitate ad eam ducta perpendicularis basem trianguli ab altera illa diametro abscondit bifarium secabit, ipsaque perpendicularis semipuncti eiusdem basis aequalis erit. Si vero recta per centrum non transeat, sine inclinata sit, sine utriusque diametrorum parallela, & ad eam ducatur diameter perpendicularis, atque per punctum, ubi rectam illam fecerit, ex eodem illo extremitate diametri recta ducatur usq; ad circumferentiam, ac tandem arcum in-

ter

ter hoc punctum circumferentia, & diametrum perpendiculariter postremo hoc eundem, arcus ex altera parte aequalis absindatur: Recta ex dicto illo extremo diametri ad terminum hunc arcus ducitur, scabitis quoque basem trianguli ab altera illa diametro absissa bifurcatur.

SI in circulo duæ diametri sese ad rectos angulos secantes ducatur; recta linea, que ad aliquam aliam diametri obliquam perpendicularis ductitur ab extremo virtutis diametrorum sese ad angulos rectos secantium, dividit bifurcatis segmentis cuiusvis lineas regae alteri diametro quid istatis interceptum inter rectas ex eodem illo punto extremo per terminos diametri obliquæ eductos.

36. SI in circulo duæ diametri sese ad rectos angulos feceris, & in eodem alijs duæ diametri ad illas inclinatae ducantur, ab uno autem extremo alterius ruris diametrorum per extrema posteriorum binae rectæ extendantur: Erunt rectæ ex altera priorum diametrorum à binis rectis absissa maiores diametro circuli, ipsaque in eis se erunt quoque inaequales, maior vis delicit illa, cuia diameter inclinata a maiorem angulum cum altera illa diametrorum priorum confinxis.

37. CIRCVLI positionum in sphera obliqua boreali secantes arcum semidiurnum Aequatoris in partes aequales, secant arcus semidiurnos parallelorum in partes inaequales: Et in parallelis quidem australibus quilibet pars inter Meridianum, & quemlibet circulum positionis minor est respectu proprii arcus semidiurni, quam eadem pars in Aequatore respectu arcus semidiurni Aequatoris; in borealibus vero maior. Idem tamen circuli positiones parallelos Horizontem tangentem, in eundem Horizontem.

38. IN Sphera obliqua boreali circuli per horas inaequales Aequatoris, & cunctis paralleli transcentes, secant Meridianum ex parte australi infra Horizontem, in eundem Horizontem. & polum australi; ex parte vero boreali supra Ho-

rizonem, in eundem Horizontem, & polum Superioralem.

39. CIRCVLI maximè transentes per horas inaequales Aequatoris, et duorum parallelorum oppositorum, non necessario per horas inaequales parallelorum intermediorum transentes in sphera obliqua.

NON dari circulos maximos, qui per horas inaequales omnium parallelorum transant: contra plerosque horologiorum scriptores.

LINAE horarum inaequalium in horologij quid referant.

40. SI in triangulo parallela unius lateri agatur, vel si productis duobus lateribus versus angulum ab eis comprehensum, tertio lateri ducatur parallela, ut duo fidei triangula: Circuli circum ea descripti seminuo in angulo, vel pandio communian- gunt.

DVO circuli, qui ex duobus centris in eadem recta existentibus per idem punctum describuntur, se mutuo in eorum puncto tangunt exterius.

41. PER data duo puncta circulum describere, qui datum circulum tangat.

42. DATIS duobus circulis, per ipsum in unius circumferentia datum describere circulum, qui utrumque datum tangat.

43. SI in sphera circulus duos maximos circulos ad eisdem partes inter punctum sectionis, & circulum maximum per eorum polos ductum tangat; arcus duorum illorum circulorum maximum inter duas contactum, & intersectionem circulorum, vel circulum maximum per eorum polos ductum intercepit, aequales sunt.

44. SI in sphera circulus duos circulos non maximos aequales tangat, arcus duorum illorum circulorum maximum inter punctum sectionis (quando se intersectant) interiecti sunt aequales.

45. SI in sphera circulus duos circulos parallelos ad eisdem partibus circuli maxi-

I N D E X

- stimi per eorum polos ducti tangent; arcus
eorum inter puncta coniuncta, & circum-
lum quemlibet maximum per eorum po-
los ductum incepit, similes sunt. 141
46. SI in sphera duo circuli se mutuè
secant; maximus circulus secans bisferiam
unius segmentum, in eundemque per eum cir-
culi polos, transitus quoque per alterius cir-
culi polos. 142
47. SI in sphera per polum eiusmè
circuli maximi ducantur tres maximi cir-
culi constituentes duos angulos in polo aqua-
les; circulus quicunque ex quolibet punto
medij circuli, ut polo, descriptus absindie-
tam ex alijs duobus circulis maximi, &
ex duobus circulis suis maximi, suis non
maximis aequalibus, qui polos habent in
primo circulo maximo a medio illo circu-
lo maximo aequalibus inter alias distan-
tes, arcus aequales ad easdem partes ab eo-
dem primo circulo maximo inchoato, in
circulis tamen maximi, vel non maximi
aequalibus polos in primo illo circulo ma-
ximo habentibus, à punctis, qua circa, vel
ultra polos eorum existunt. 143
48. SI ex eodem centro duo circuli de-
scripti sint, & ex quolibet punctis circum-
ferentia interioris ad exterioris circumfer-
entiam recte aequales ducantur, una au-
tem earum interiorum circulum tangere
ponatur, tangentem eundem & reliqua. Et si
plures linea interiorum circulum tangen-
tes versus eandem partem ducantur, ver-
sus sinistram videlicet, aut dextram, ipsa
inter se aequales, & arcus inter binas com-
prehensis similes erunt. 144
49. P A V C A quadam de declina-
tionibus, latitudinibus ortius, ascensioni-
bus; rectis, & obliquis demonstrare. 145
- P A R A L E L V S quilibet per
duo puncta ab alterutro punto tropi-
co aequaliter distantia transit. 146
- D V O parallelis per duo puncta Ecli-
pticæ ab alterutro punto equinoctiali
rectis, vel à duobus, aut etiam
duobus punctis tropicis distantia ducti,
declinationes habent aequales. 147
- D V O iudicem parallelis habent lati-
tudines ortius aequales. 148
- .IIIDEM duo paralleli aequales sunt. 149
- Q U A T E R N A puncta Eclipticæ
aequales habent declinationes, &
latitudines ortius. ibid.
- S A T I S esse, ut declinationes, la-
titudinesq; ortiuè omnium punctorum
unius quadrantis Eclipticæ inueniantur.
ibid.
- Q VI arcus Eclipticæ dicantur op-
positi, & qui equaliter distantes ab ali-
quo punto Eclipticæ. ibid.
- Q V A T E R N O S arcus Eclipticæ
aequales habent rectas ascensiones &
descensiones. 152
- S A T I S esse, ut ascensiones rectæ
omnium arcuum primi quadrantis Ecli-
pticæ reperiuntur. 153
- Q VI arcus Eclipticæ maiores sunt
suis ascensionibus rectis, & qui mino-
res. ibid.
- A S C E N S I O recta cuiusvis ar-
cus, vel puncti, aequalis est descensioni
recte eiusdem arcus, vel puncti. ibid.
- C I R C U L V S maximus ex polo
mundi per intersectionem paralleli cu-
milibet puncti Eclipticæ cum Horizon-
te obliquo ductus, intercipit cum Ho-
rizonte in Aquatore arcum differen-
tiæ ascensionalis illius puncti Eclipticæ:
cum circulo vero alio maximo per
illud punctum Eclipticæ ducto, ascen-
sionem obliquam arcus Eclipticæ inter
illud punctum, & Horizontem positi. 154
- D V O Eclipticæ arcus aequales ab
alterutro punto equinoctiali inchoati,
vel equaliter distantes, descensiones
obliquas habent aequales. 155
- D V O arcus Eclipticæ aequales ab
eodem tropico punto equaliter remoti,
item duo oppositi, habent suas ascen-
siones obliquas simul sumptas ascensioni-
bus suis rectis simul sūptis aequales. 156
- A R C V S Eclipticæ ab Ariete in-
choati, & semicirculo minores, maio-
res sunt suis ascensionibus in obliqua
sphera; inchoati vero à Libra, minor-
res. 157
- A R C V S Eclipticæ ab Ariete in-
choati habent ascensiones obliquas recte
rectis

L I B R I I.

rectis ascensionibus minores, quanto maiores rectis sunt ascensiones obliquæ ercentia aequali à Libra inchoatoru. 158

PVNCTA Ecliptice opposita differentias ascensionales habent inter se quales. Ibid.

DVORVM arcu Ecliptice equalium ab eodem punto tropico qualiter distantium, vel oppositorum, vnius ascensio obliqua tato minor est, quam recta, quanto alterius maior est. Ibid.

DVO arcus Ecliptice equalis ab eodem punto tropico, non equinoctiali equaliter differunt, aut oppositi, eandem habent differentiam ascensionalem. 159

ARCVS Ecliptice quicunque ab eodem punto tropico bifariam diuisus, habet vbius locorum ascensionem obliquam aequali ascensioni eiusdem recte. Ibid.

DESCENSIO cuiusvis arcus Ecliptice equalis est ascensioni arcus oppositi. Ibid.

SATIS esse, si supputentur ascensiones obliquæ arcuum quadrantis primi Ecliptice, vt tota tabula obliquarum ascensionum condatur. 160

DIFFERENTIA ascensionalis cuiuslibet puncti Ecliptice, est etia differentia inter arcum semidiurnum eiusdem puncti, & arcum semidiurnum Aequatoris, qui seper quadras est. Ibid.

ARCVS semidiurnus cuiusvis puncti Ecliptice, quo modo ex differentia ascensionali eiusdem puncti ciliatur. 161

DIFFERENTIA ascensionalis quando addenda, vel auferenda, vt habeatur arcus semidiurnus, vel ascensio obliqua dati puncti, vel stellæ. Ibid.

QUATERNA puncta Ecliptice habere eandem differentiam ascensionalem. Ibid.

SINVS totus ad sinu complemen- ti declinationis cuiusvis puncti Ecliptice eandem proportionem habet, quam secans arcus inter illud punctum, & punctum equinoctiale proximum ad secundam ascensionis recte eiusdem arcus. Ibid.

SINVS totus ad tangentem altitudinis poli eandem proportionem ha-

bet, quam tangens declinationis dati puncti Ecliptice ad sinum differentiae ascensionalis eiusdem puncti. 162

DIFFERENTIA inter longitudo- sum, vel brevissimum arcum semidiurnum, & arcum semidiurnum Aequatoris, quo recte in quaestus elevatione poli supputetur. 163

SINVS totus ita se habet ad sinu ascensionis recte cuiusvis puncti Ecliptice, vt sinus differentiae ascensionalis initij Canceris, vel Capricorni ad sinum differentiae ascensionis eiusdem puncti. 164

SINVS complementi declinationis cuiuslibet puncti Ecliptice ad sinu declinationis eiusdem puncti est, vt sinus totus ad sinu differentiae ascensionalis eiusdem puncti, in latitudine grad. 45. Ibid.

ARCVS tangentis declinationis cuiuslibet puncti, tanquam finis, congrues, est differentia ascensionalis eiusdem puncti in latitudine grad. 45. 165

SINVS complementi altitudinis poli datae ad sinu altitudinis poli ita se habet, vt sinus differentiae ascensionalis cuiusvis puncti Ecliptice in latitudine grad. 45, ad simum differentiae ascensionalis eiusdem puncti in priori altitudine poli data. Ibid.

SINVS totus ad tangentem altitudinis poli datae ita se habet, vt sinus differentiae ascensionalis cuiuslibet puncti Ecliptice in latitudine grad. 45, ad sinu differentiae ascensionalis eiusdem puncti in data altitudine poli. Ibid.

so. DATIS duobus axibus Ellipsis sece ad angulos rectos, scilicet, si ex quilibet puncto minoris axis, etiam producti, si opus est, recta dimidio majoris axis equalis educatur secans ipsum axem maiorem, ita ut segmentum eius ultra eundem axem maiorem dimidio minoris axis aequaliter sit, eadecum extremitate Ellipsis recta dimidio majoris axis equalis ducatur, usque ad minorem axem, etiam productam, si opus est, secans tam secans ipsum maiorem axem, erit eius segmentum inter datum punctum, & axem maiorem, dimidio minoris axis aequalis. 166

DA-

D A T I S axibus, Ellipſis describeret. 168

D A T O alteruero axium, & puncto in Ellipſi circa eum axem describenda, alterum axem reperire. 169

D A T I S duobus axibus Ellipſis, & quolibet punto, an datum hoc punctum in Ellipſi existat, in extre, vel intra, cognoscere. ibid.

D A T I S duabus rectis inaequalibus, & puncto quolibet, describere Ellipſim per datum hoc punctum, cuius centrum sit quoque datum, & axes diametraliter rectas iæquales. 170

51. Si circa axes Ellipſis circulus describatur, & ad eodem ordinatum rectam applicatur usque ad Ellipſis, & circumferentias erunt applicatae usque ad Ellipſim, applicari usque ad circulum proprium, ad cuius videlicet diametrum applicare sunt proportionales. 171

ORDINATIM applicate pro-

portionalem iter secatur ab Ellipſi, & circulis circa axes descriptis. 172

52. D A T I S axibus aliuscum Ellipſis sece ad angulos rectos secantibus in daco recta qualibet puncta reperire, per quæ Ellipſis, si describatur, transire debet. 173

53. Q V A E S T I O N E S omnes, qua per sinus, tangentes, acq; secantes absolvit solent, per solam prosthapharefim, id est, per solam additionem, subtractionemq; sine laboriosa numerorum multiplicatio- ne, diuisione, expidire. 174

T A B V L A figuræ cum numeris ad partem proportionalem elicendam insertis. 196

P A R S proportionalis Sinuum, & arcuum, quo pacto iuueniatur. 228

T R I A N G V L O R V M sphæ- ricorum, ac rectilincorum multiplex calculus. 238

I N D E X P R O B L E M A T V M A C T H O R E M A T V M, Quæ in propositionibus secundi Libri, earumque Scholijs demonstrantur.

Qui preponuntur numeri, significant eos, qui propositionibus, earumq; Scholijs, varijs in locis inserti sunt.

I N P R O O E M I O.

1. Pharam varijs modis posse in plano describi. Pag. 269

2. Astrolabi Catholicū Gemma Frisiū, ut describatur, ubi oculus collaudandus sit in sphera. ibid.

3. Planisphaerium Universale Ioan. de Linneus quo fundamento configuratur. 270

4. Astrolabium, sine Planisphaerio Geometriæ, ut ad datam poli altitudinem describatur, ubi oculus in sphera consti- tundus sit. ibid.

5. Jordanus in eodem Astrolabio, sine

Planisphaerio Ptolemai confirmendo, quale planum assumat. ibid.

5. In Astrolabio qua potissimum describantur. ibid.

5. Partes inter puncta, lineas, & circulos sphæra comprehensas non egere peculia- ri descriptio in Astrolabio. ibid.

5. Astrolabi partes singula quibus ca- li partibus respondent. ibid.

6. Sphæra pœtum quodlibet ubi appa- reat in Astrolabio. 271

Recta linea in sphera quando appa- reat quadratum in Astrolabio, & quando li- nearum,

8 Cir-

LIBRI II.

9. Astrolabiū describere quid sit. Ibid.
9. Astrolabium, sive Planisphaerium
quid sit. 273

- Astrolabio esse maiores Aequatorem, & bo-
reales, minores. Ibid.
6. Aequatorem, ciusque parallelas in
Astrolabio, idem cum Astrolabio centrum
habere. Ibid.

IN PROPOS. 1.

Circulum quemlibet sphera per po-
lam australem ductum, projici in
Astrolabium per lineam rectam infinitam,
qua communis sectio est ipsius circuli, &
plani Astrolabij, Aequatorisue: Partes au-
st. illius recte arcubus equalibus responden-
tes inaequales esse, eisque maiores, quod a ra-
dio visuali per circulus centrum ducto sunt
remotiores: binas tamen partes hinc inde
ab eodem radio aquiliter distantes, aqua-
libusq; arcubus respondentes aquales esse. 273

4. Polum borealem, axem mundi, &
centrum sphaera, sive mundi, in Astrolabio
idem esse, quod centrum Astrolabij. 275

4. Circulos omnes maximos per polos
mundi ductos projici in rectas lineas secas
in centro Astrolabij intersectantes. Ibid.

5. Circulis per mundi polos ducti, quo pa-
go in Astrolabio, ubi recta linea sunt, in
gradus distribuuntur. Ibid.

6. Arcus, vel gradus quilibet circuli
per mundi polos ducti, quo pacto reperiatur
in recta circulum illum referente in Astro-
labio: Et quot gradus in dato segmento
distributos sunt continentur, quo pacto cognos-
cetur. 276

IN PROPOS. 2.

1. Aequatorem, omnesque eius paral-
lelos, in Astrolabium projici in formas cir-
culares. 277

3. Arcus etiundem circulorum projici
in arcus similes, atq; adeo aquales in aqua-
les. 278

4. Aequatorem, ciusque parallelos in
Astrolabio dividendos esse in partes aqua-
les, ut cornua gradus habeantur, ad instar
aliorum circulorum in sphaera. Ibid.

5. Parallelas Aequatoris australes in

Astrolabio esse maiores Aequatorem, & bo-
reales, minores. Ibid.
6. Aequatorem, ciusque parallelas in
Astrolabio, idem cum Astrolabio centrum
habere. Ibid.

IN PROPOS. 3.

1. Circulum quemlibet sphera ad Aeq-
uatoriem obliquum, vel etiam rectum non
maximum, in Astrolabium projici in cir-
cularem figuram. 279

2. Arcus eiusdem circuli, a certo quo-
dam puncto incipientes projici in arcus diffe-
miles, atq; adeo aquales in inaequalis.

281

4. Circulum quemuis obliquum ad Aeq-
uatoriem, vel etiam rectum non maximum,
in Astrolabio habere centrum à centro Astro-
labij diuersum. Ibid.

IN SCHOLIO PROPOS. 3.

1. Circulum quemuis obliquum ma-
ximum, eiusq; parallelos, vel etiam cir-
culum non maximum ad Aequatorem
rectum, ex polo australi inspici debere
in communi sectione Aequatoris, vel
plani Astrolabij, & circuli maximi per
polos mundi, & polos circuli obliqui,
vel recti, ducti, tum vt in formam cir-
cularem projiciantur, tum vt maximæ eo-
rum diametri visq; habeantur. 282

1. Diametros circulorum obliquo-
rum quorumlibet, vel etiam rectorum
non maximorum in Astrolabio, vias
in communi sectione Aequatoris, vel
plani Astrolabij, & circuli maximi per
polos mundi, & polos obliquorum cir-
culorum, vel etiam rectorum, ducti, esse
omnium maximas. 282. & 283

4. Centra obliquorum circulorum
quorumlibet, vel etiam rectorum non
maximorum in Astrolabio, sumenda es-
se in communi sectione plani Astro-
labij, Aequatorisue, & circuli maximi
per polos mundi, & polos circulorum
obli-

I N D E X :

- obliquorum, vel rectorum, ducti. 284
 4. Rectam lineam per centrum Astro labij, & ceterum cuiusvis circuli in Astro labio descripsi ductam, esse communem sectionem plani Astrolabij. Aequatoris, & circuli maximi, qui per polos mundi, & polos descripsi circuli duci-
 tur. Ibid.
 6. Iordanii demonstratio, circulos obliquos, vel etiam restos non maximos, projici in figuram circulares. 284. & 285
-

IN PROPOS. 4.

1. Aequatorem, eiusque parallelos in Astrolabio ex Analemmate describere, si magnitudo Aequatoris data sit. 287
 1. Meridianos, atque Horizon rectus, per quas linea recta represententur in Astrolabio. 289
 2. Aequatorem, eiusque parallelos dividendos esse in partes aequales, ut eorum gradus habeantur. Ibid.
 2. Rectas lineas per centrum Astrolabij traiecias, dividentesque quilibet circumflexum ex eodem centro descriptum in 360. partes aequales, representare circulas maximas sphera per polos mundi, & singulare gradu Aequatoris ductas. Ibid.
 3. Parallelum quilibet Aequatoris, cuius declinatio data sit, in Astrolabio ex Analemmate describere. Ibid.
 4. Parallelum cuiuslibet Aequatoris in Astrolabio descripsi declinatione ex Analemmate cognoscere, & verum ea borealis sit, an australis. Ibid.
 5. Aequatorem, eiusque parallelos in Astrolabio sine constructione Analemma tis describere, si data sit Aequatoris ma-
 gnitudo. 290
 6. Parallelum quilibet Aequatoris, cuius declinatio data sit, in Astrolabio sine constructione Analemmatis describere. 291
 6. Ex uno arcu declinationis in Aequatore, describere tam australem, quam borealem parallelum illius declinationis. Ibid.
 7. Parallelum cuiuslibet Aequatoris in

- Astrolabio descripsi declinationem sine con-
 structione Analemmatis cognoscere. Circu-
 rum ea borealis sit, an australis. Ibid.
 8. Semidiametros parallelorum Aequato-
 roris, prorsim australium, accentratus, ac-
 que exquisitus invenire. Ibid.
 11. Semidiametrum Aequatoris inter
 semidiametros duorum parallelorum Aequa-
 toris oppositorum in Astrolabio descrip-
 torum esse medio loco proportionalem, et quam
 proportionem habent. 293
 12. Semidiametrum cuiusvis parallelo
 Aequatoris australis ex semidiametro pa-
 ralleli boreali oppositi ertero in Astrola-
 bio. 294
 13. Polum mundi australem solum ex
 omnibus punctis sphera in Astrolabio non
 posse proieciri. 295
 13. Non omnia puncta sphera austra-
 lia (etiam polo australi excluso) commode
 posse proieciri in Astrolabium. Ibid.
-

IN SCHOLIO PROPOS. 4.

1. Aequatorem, eiusque parallelos in Astrolabio describere, si tropici λ , magnitudo data sit. 295
 2. Aequatorem, eiusque parallelos in Astrolabio describere, si tropici λ , magnitudo data sit. 295
 3. Aequatorem, eiusque parallelos in Astrolabio describere, ex data cuiuslibet parallelum Aequatoris magnitudine. 297
 4. Nullum parallelum Aequatoris in Astrolabio describi posse ex data pa-
 ralleli oppositi magnitudine, nisi prius Aequator describatur. Ibid.
-

IN PROPOS. 5.

1. Horizontem quilibet obliquum -
 Verticali eius primarium, Ellipsicam,
 & quemcumque alium circumflexum maximum
 obliquum, qui ad Meridianum tamen re-
 bus sit, inclinationemque ad Aequatorem
 habeat necam, in Astrolabio ex constru-
 tione 28

L I B R I I I.

Cuiusvis Astrolabii describere. 299

1. Quos parallelos Ecliptica, Horizon, & quae Verticalis tangant. Ibid.

2. Horizontem quenam obliquum, Verticalem eius primarium, Eclipticam, & quemcumque alium circulum maximum obliquum, qui ad Meridianum tamen rectam sit, & remota non sit ad Aequatorem dabantur non tam in Astrolabio sine constructione Adulematis describere. 301

3. Centrum Horizontis in Astrolabio invenire, etiam si distanter eius visa inuenire non sit. 303

3. Rectam ex polo australi ad diametrum maximi circuli obliqui in Aequatore descriptam, ad angulos rectos ducentam, cadere in centrum eiusdem circuli obliqui in Astrolabio. Ibid.

4. Centrum cuiusvis circuli maximi obliqui in Astrolabio invenire, etiam si distanter eius visa invenire non sit. Ibid.

5. Centrum cuiusvis circuli maximi obliqui in Astrolabio à centro Astrolabij diversum esse. Ibid.

7. Eclipticam semper apparere circulum in Astrolabio, eiusdemque magnitudinis, & tangentis ad motum diurnum in Sphera continuo circumferatur. 304

9. Diamentum vero dati circuli maximi obliqui, & ad Meridianum recti, qua ratione in Aequatore Astrolabij duocentas sit, ut per eam circulus ipse obliquus in Astrolabio describatur. 305

10. Extremum punctum diametri visus circuli maximi obliqui, quod à centro Astrolabij remotius est, accuratius invenire. Ibid.

10. Circulum maximum obliquum in Astrolabio describere, etiam si eius diameter visa invenire non sit. Ibid.

11. Semidiametrum cuiusvis parallelis Aequatoris australis alio modo, quam superius valido exquisitè invenire. 307

12. Poli cuiusvis circuli maximi obliqui in Astrolabio, per quas linea recta indecetur in linea meridiana. Ibid.

12. Radius ex polo australi per polum circuli obliqui maximi remotorem ducentus quo angulos fecerit bisariam. Ibid.

13. Polum cuiusvis circuli obliqui in Astrolabio à centro Astrolabij diversum esse. Ibid.

14. Centrum circuli maximi obliqui aliter reperire in Astrolabio. Ibid.

14. Radius ex polo australi ad polum circuli obliqui ducentus ascendens ex meridiana linea. & vera diametro circuli obliqui, rectas aquales, 309

15. Polum circuli maximi obliqui ab eius centro differre in Astrolabio. Ibid.

17. Horizontem obliquum in Astrolabio ex eius polo superiore in gradus distribuere. 310

17. Obliquus circulus maximus, quod ex eius polo superiori partim abest à circulo differenti Aequatoris, quo pacto exquisitus in gradus distribuatur. 311

18. Gradum quemlibet propositum in Horizonte Astrolabij ex eius polo superiore innovere. Ibid.

18. Pars orientalis, occidentalis, borealis, & australis in Horizonte Astrolabij que. Ibid.

18. Datum arcum maximi obliqui in Astrolabio dividere bisariam. 312

19. Quot gradus in dato arco Horizontis Astrolabij contineantur, ex eius polo superiore cognoscere. Ibid.

20. Horizontem obliquum in Astrolabio ex eius polo inferiore in gradus distribuere. Ibid.

21. Eclipticam, Verticalem primam, & quenam alium circulum maximum obliquum, qui ad Meridianum rectus sit, in Astrolabio ex utrovis eius polo in gradus parti. 314

23. Circulum quemlibet maxima obliquum, qui ad Meridianum rectus non sit, ex utrovis eius polo in gradus distribuere in Astrolabio. Ibid.

23. Regula facilis pro inserviis arcum abscissorum determinandis in divisionibus circulorum maximorum in gradus, per res eas ex alterutro polorum cuiusvis circulis obliqui emissas. 316

23. Regula facilis ad cognoscendum, utrum punctum Aequatoris in calo sit superius, vel inferius: Et utrum punctorum

I N D E X I

- circuli maximi obliqui sit boreale, vel australis. *Ibid.*
23. Regula facilior pro initio arcum præfiniendis. *317*
24. Circulum quemvis maximum obliquum, qui ad Meridianum rectius est, in Astrolabio dividere in gradus ex centro alterius circuli maximi, qui respectu illius est instar Verticalis primarij. *Ibid.*
25. Gradum quemlibet propositum in circulo obliquo maximo ad Meridianum rectio in Astrolabio reperire ex centro alterius circuli maximi, qui respectu illius est instar Verticalis primarij. *319*
26. Quos gradus in arcu dato circuli maximi obliqui ad Meridianum rectius contineantur, ex centro alterius circuli maximi, qui respectu illius est instar Verticalis primarij, cognoscere. *Ibid.*
27. Circulum quemvis obliquum maximum, qui ad Meridianum rectius non sit, dividere in gradus ex centro alterius circuli maximi, qui respectu illius est instar Verticalis primarij. *Ibid.*
28. Quae linea circulum maximum obliquum tangens in Astrolabio. *320*
29. Lineas quasdam in Astrolabio cōcurrentes, repræsentare in calo lineas parallelas, & non concurrentes. *321*
30. Circulum quemlibet maximum obliquum, qui ad Meridianum rectius sit, in gradus distribuere ex polo australi Analematis. *323*
31. Gradum quemlibet propositum in circulo maximo obliquo ad Meridianum rectio inuenire ex polo australi Analematis. *Ibid.*
32. Quot gradus in arcu dato circulis maximi obliqui ad Meridianum rectius contineantur, ex polo australi Analematis cognoscere. *324*
33. Circulum quemvis maximum obliquum in Astrolabio, qui ad Meridianum rectius non sit, partiri in gradus ex polo australi Analematis. *Ibid.*
34. Circulum quemvis maximum obliquum in Astrolabio distribuere in gradus ex proprio centro, & centro Astrolabij, sine Aequatoris. *326*
34. Circulum quemvis maximum obliquum in gradus dividere alijs tribus vijs, ut in propos. 6. Num. 37. & 38. *Ibid.*
35. Dato arcu in circulo quouis maximo abscindere arcum aequalem, quod ad numerum graduum attinet, ex quouis alio circulo maximo. *Ibid.*
36. Circulum maximum obliquum secare multipliciter in gradus, per circulos, variis per terras punctis descriptos, ut propos. 6. Num. 36. docebitur. *Ibid.*
36. Circulum maximum obliquum multipliciter in gradus partiri per varias rectas lineas. *328*
36. Ex quolibet punto meridiana linea circuli obliqui rectas educere secantes, circulum ipsum obliquum in gradus. *329*
36. Dato punto in circulo maximo obliquo, punctum respondentem in Aequatore reperire. *Ibid.*
36. Dato quouis punto in plano aliquo circuli maximi in sphera, etiam extra circulum, inuenire eius statim in Astrolabio. *Ibid.*
36. Qua puncta vera in plano dati circuli obliqui in sphera non habeant respondentia puncta in Astrolabio. *332*
36. Dato quouis punto in Astrolabio, inuenire eius statim in plano cuiusvis circuli maximi in sphera. *Ibid.*
36. Qua puncta visa Astrolabij non habeant vera respondentia in plano dati circuli obliqui in sphera. *Ibid.*
36. Ex quolibet punto extra meridianam lineam dato in Astrolabio, dari circulum maximum in gradus distribuere. *333*
36. Circulum quemlibet maximum obliquum in gradus dividere alijs tribus vijs, ut in propos. 6. Num. 37. & 38. *Ibid.*
-
- IN SCHOLIO PROPOS. 5.
1. Circuli maximi obliqui, ad Meridianum tamen recti, per quæ puncta Aequatoris ducatur in Astrolabio. *333*
2. Circulum maximum quemlibet obliquum in Astrolabio esse maiorem Acqua-

LXI BRIVII

Aequatore. 334

3. Circuli maximi obliqui ad Meridianum non recti, per quæ puncta Aequatoris in Astrolabio ducantur. Ibid.

3. Quemlibet circulum maximum in Astrolabio transire per duo puncta Aequatoris per diametrum opposita, ideoque Aequatorem secare bifariam. Ibid.

3. Communis sectio Aequatoris, & cuiusvis circuli maximi obliqui in sphæra, per quam rectam repræsentetur in Astrolabio. Ibid.

4. Aequator, & quilibet circulus maximus obliquus in Astrolabio se mutuo secant bifariam, id est segmenta circuli obliqui inter se valde sint inæqualia. Ibid.

5. Semicirculi eiusmodi obliqui circuli maximi, ab Aequatore facti, cuius sint inæquales in Astrolabio. 336

6. Aequator in Astrolabio eis à quo quis circulo maximo obliquo secatur i duos semicirculos egales in duabus punctis per diametrum oppositos. Ibid.

7. Quilibet circulus siue maximus, siue non maximus, diuidens in sphæra aliquem Aequatoris paralleliam bifariam, transit in Astrolabio per duo puncta per diametrum opposita in oporticulo. Ibid.

8. Circulus non maximus non potest Aequatorem Astrolabij secare bifariam. Ibid.

9. Circulus in Astrolabio secas Aequatorem bifariam, repræsentat in sphæra circulum maximum: qui vero non bifariam diuidit, refert non maximum. Ibid.

10. Recta linea quilibet per centrū Astrolabij ducta indicat i circulo quo vis maximo obliquo duo puncta per diametrum opposita, ita ut vices gerat diametricitudinem. 339

12. Arcus æquales circuli maximi obliqui projicit in arcus inæquales, ordine continuato. 341

13. Fieri potest, ut arcus quispiam

vnuus maximi circuli obliqui in sphæra projiciatur in Astrolabium in arcum similem. 343

14. Proprietates varie circulorum maximorum obliquorum in Astrolabio. Ibid.

14. Circulus in Astrolabio per duo puncta per diametrum opposita describitur, esse maximum. Ibid.

14. Quæ arcus maximi circuli obliqui in Astrolabio equalis sit, quod ad numerum graduum attingat, archi Aequatoris altitudinem poli supra eundem circulum obliquum metenti, & qui complementum eiusdem altitudinis non solus equalis sit in numero gradu, verum etiam similis. 345

15. Quæ rectæ Aequatorem, & circulum maximum obliquum in Aequatore tangant, & vbi. Ibid.

17. Recta ex polo inferiore circuli maximi obliqui ducta, si tangat Aequatorem, tangent & circulum obliquum: Et si tangat circulum obliquum, tangent & Aequatorem. 347

18. Recta ad meridianam lineam in polo circuli maximi obliqui perpendiculariter, quos arcus similes absindat ex Aequatore, & circulo maximo obliquo. Ibid.

18. Quos arcus similes ex Aequatore, & circulo maximo obliquo auferantur ex polis eiusdem circuli obliqui eductæ. 349

19. Aequatorem in Astrolabio ex circulo maximo obliquo, qui ad Meridianum rectus sit, inclinationemque ad Aequatorem habeat notam, describere. 350

20. Quæ puncta in Astrolabio representent in sphæra duo puncta per diametrum opposita. 351

21. Altitudinem poli supra circulum maximum obliquum in Astrolabio, qui ad Meridianum rectus sit, & eius inclinationem ad Aequatorem, situmque in sphæra cognoscere. 352

I N D E X

- IN PROPOS.** .6. 353
1. Circulum per extrema puncta diametri visus eiusdem parallelorum Horizontis, & cuiusvis alterius circuli maximi obliqui, ad Meridianum tangentem rectam, parallelos in Astrolabio ex Analemate describere. 353
2. Parallelos eisdem beneficio Aequatoris, etiamque Analemma scorsum constructum non sic, describere. ibid.
3. Paralleli Horizontis, qui in Sphaera super polum australem, & Zenith, Meridianum intersectant, ambiunt ipsum Zenith in Astrolabio. 355
4. Parallelus Horizontis, qui in Sphaera super polum australem ducatur, projectur in Astrolabio in rectam lineam, qua ad meridianam lineam perpendicularis est in centro Verticalis primarij. ibid.
5. Paralleli Horizontis, qui in Sphaera in eorū polum australēm, & Nadir Meridianum intersectant, ambiunt ipsum Nadir in Astrolabio. ibid.
6. Communis sectio Aequatoris, & paralleli Horizontis que sit in Astrolabio. 357
7. Meridianus, et linea meridiana cuiusvis circuli obliqui, in Astrolabio quo modo intelligantur. ibid.
8. Semicirculi, & quadrantes Horizontis, eiusque parallelorum, à Verticali primario, ac Meridiano abscissi in Astrolabio, qui. ibid.
9. Diametros apparentes parallelorum Horizontis, una cum corundem centris, per ipsam Horizontem in Astrolabio reperiire. 358
10. Circulum per extrema puncta diametri visus eiusdem paralleli Horizontis, & per polum australem descriptum, tangere Horizontem in polo australi. 359
11. Rectam lineam ex meridiana absindere, qua sit diameter visa paralleli cuiusvis Horizontis. 361
12. Dato uno extremo diametri visa cuiuslibet paralleli Horizontis, reperiire alterum extremum, beneficio circuli Horizontem tangentem. ibid.
13. Diametros visas parallelorum Horizontis, beneficio circuli Horizontem in polo australi tangentis, reperiire. 363
14. Radias ex centro Verticalis primarij ad intersectiones parallelorum Horizontium eorum Verticali ductas, tangore ibidem parallelos. 365
15. Dato uno extremo diametri Horizontis, vel eius paralleli, innuere alterum extremum per tertium quandam proportionalem. ibid.
16. Semidiametrum Verticalis primariaj medio loco proportionalem esse inter res, quae in eis ceterum Verticalis, & alterum extremorum diametri Horizontis, vel eius paralleli posseant. ibid.
17. Diametros visas parallelorum Horizontis, beneficio arcus eiusvis magnitudinis ex polo australi descriptos, reperiire. ibid.
18. Centra parallelorum per rectas ex polo australi emissa reperiire. 367
19. Semidiametrum, & ceterum eiusvis paralleli Horizontis per unam solam lineam, que Verticalem primarium tangat, innuere. 369
20. Praxis facili ad plures lineas duendas, qua datum circulum in datu punctis tangane. 371
21. Ceterum cupuis paralleli Horizontis ab eius polo diversum esse. ibid.
22. Ex quoniam parallelo Horizonte in Astrolabio descripto, parallellum oppositum describere, etiamque eius diameter inuenire non sic. 373
23. Dato puncto in Astrolabio pectus per diametrum Sphaera oppositum reperiire. ibid.
24. Punctum in parallelo Aequatoris australi dato inuenire, in quo à parallelo Horizontis infra Horizontem proposito secetur, quando secatur, etiamque describens nos sit. 374
25. Parallelum Horizontis in Sphaera datum, in Astrolabio describere. 375
26. Dato parallelo Horizontis in Astrolabio, quanto sit eius ab Horizonte distantia, cognoscere. 376
27. Quo 376

LIBR III.

19. Quo patto omnia, que de parallelis Horizontis describendis dicta sunt, ad describendos parallelos aliorum circulorum maximorum obliquorum, sive ad Meridianum recti sunt, sive non, accommodentur. *Ibid.*
21. Parallellos cuiusvis circuli maximi obliqui in gradus distribuere ex eorum polo superiori. 378
21. Parallelum Aequatoris australis in Astrolabio describere ex parallelo aquæ circuli maximi obliqui circa eius polum ab australi polo remotorum descripto. *Ibid.*
21. Initium arcuum respondentium in parallelis unde sumendum in hoc modo dividendi parallelos obliquos in gradus ex eorum polo superiori. 379
21. Regula facilis ad cognoscendum, utrum punctorum parallelorum Aequatoris in Astrolabio, dicatur superiorius in calo, inferius, respectu dari carent maximi obliqui. Item utrum punctorum parallelorum obliqui qui boreale sit, vel australe. 381
22. Quodcumque querilibet propositionem in parallelo Horizontis ex eius polo superiori invenire in Astrolabio. 382
23. Quae gradus in dato arcu parallelis Horizontis concordant in Astrolabio, ex polo eius superiore cognoscere. *Ibid.*
24. Parallellos cuiusvis circuli maximi obliqui in gradus distribuere ex eorum polo inferiore. Ibid.
24. Initium arcuum respondentium in parallelis unde sumendum in hoc modo dividendi parallelos obliquos in gradus ex eorum polo inferiore. Ibid.
25. Quo patto omnia, que de divisione parallelorum Horizontis, ex eis polis, dicta sunt, ad alios parallelos obliquos accommodentur. 383
25. Parallelum obliquum per circulum cuiusvis magnitudinis in gradus aequaliter divisi, in gradus distribuere, et a vero operna sua describere parallelum australium immoda quâdispar, aut borealem peregrinam magnitudinem. Ibid.
25. Radius ex polo australi ad padum circuli obliqui duabus absindit ex meridiana linea, et vera diametro circuli obliqui, rectas aequales, 385
25. Maximum circulum obliquum in gradus partiri per circulum Aequatore maiorem cuiusvis magnitudinis. Ibid.
25. Circulum maximum quemvis usum in gradus apparentes dividere beneficio graduum aequalium eiusdem circuli maximi visi. 386
25. Parallelum quomodo obliquum usum in gradus apparentes distribuere beneficio graduum aequalium eiusdem parallelis. 388
25. Quos gradus in dato arcu circuli obliqui concordant, facilissima ratione cognoscere. Ibid.
25. Arcum datum circuli obliqui in quartas partes aequales divisus facilissima ratione secare. 389
26. Parallelos cuiusvis maximi circuli obliqui in gradus distribuere, ex centro eius circuli maximi, qui infra est Verticalis ipsorum primaria. 390
27. Gradum quomodo propositionem in parallelo obliquo Astrolabij reporteri de centro maximi circuli, qui illius est veluti Verticalis primaria. 395
28. Quos gradus in arcu dato paralleli obliqui continetur, ex centro maximi circuli, qui illius est veluti Verticalis primaria, cognoscere. Ibid.
29. Quo patto omnia, que de divisione parallelorum Horizontis, ex centro Verticalis dicta sunt, ad alios parallelos obliquos accommodentur. Ibid.
30. Rectas ex centro cuiusvis circuli maximi in Astrolabio duobus ad intersectiones eius cum parallelo alterius circuli maximi, qui illius sit vobis Horizone, parallelos ibidem tangere. Ibid.
30. Semidiometrum Verticalis medio loco effigie proportionalem inter rectas, que ex centro eiusdem secas Horizontis parallelos quocunque, et eius segmentum exterrimus. 397
30. Dato uno extremo diametri visus alicuius paralleli obliqui, inuenire alterum extremum per rationem quendam proportionalem. Ibid.
31. Parallelos obliquos Astrolabij in gradus distribuere, ex polo australi Aula-lemma-

I N D E X

- lemmatis. Ibid.
 32. Gradum quemlibet propositum in parallello obliquo reperiere, ex polo australi
 - Analemmatis. 398
 33. Quot gradus in arcu dato parallelis obliqui cōtineantur, ex polo australi Analemmatis cognoscere. Ibid.
 34. Quo p̄tio omnia, qua de diuidendis parallelis Horizontis, ex polo australi Analemmatis dicta sunt, ad alios parallellos obliquos accommodenr. Ibid.
 35. Parallelum quemvis obliquū Astro labij in gradus diuibuerere, ex proprio centro, & centro Astrolabij. Ibid.
 35. Omne lineam rectam in Astrolabio representare posse circulum per polum australē mundi ductum. 401
 35. Parallelum quemvis obliquum in gradus diuibuerere, ex eius circulo maximo, cui equidistat, vel ex alio parallello in gradus diuiso. 403
 35. Quid obseruandum, ut circulos per aliū circulum diuisum in gradus diuibuerat. 404
 36. Circulos maximos obliquos, eorumque parallelos diuidere in gradus per circulos varios per ternā puncta descriptos. Ibid.
 36. Præstansissima via ad innueniendum datum p̄ntium in circulo quoniam obliquo, per parallelum in sphera recta. 407
 37. Alia via pulcherrima diuidendi quemvis parallelum in gradus, per varias rectas lineas. Ibid.
 37. Qua puncta parallelī veri quibus p̄ntis parallelī viis respondent. 408
 37. Dato p̄nto in parallelo obliquo viso, p̄ntum respondens in parallelo obliquo vero inuestigare. 409
 37. Dato p̄nto in plano cuiusvis parallelis obliquis in sphera, eius suū in Astrolabio inquirere. Ibid.
 37. Qua puncta vera in plano circuli obliqui in sphera, non habeant respondentia puncta in Astrolabio. Ibid.
 37. Circulum obliquum in Astrolabio in gradus pariri per lineas parallelas. 410
 37. Circulos obliquos sive maximos, Ibid.
- quād corūm parallelōs, in gradus diuibuerō līnēis rectis per eorūm centra visa dantis. 411
38. Alia via commodissima diuidendi circulos obliquos tam maximos, quam non maximos in gradus, ex quolibet p̄nto in communis sectione circuli obliqui, & plāni Astrolabij extra meridianam līneam dato. 412
38. Dato p̄nto in circulo obliquo viso, respondens p̄ntum in circulo obliquo vero innuenire. 413
38. Dato p̄nto vero in plāno circuli obliqui in sphera, p̄ntum respondens visum in Astrolabio reperiere, & contra. 414
38. Qua ratiō diuidēdi circulos Astro labij in gradus sit omnium expeditissima. Ibid.
-
- ## IN SCHOLIO PROPOS. 6.
1. Arcus æquales parallelī cuiusvis obliqui projici in arcus inæquales ordinē continuato. 415
 2. Proprietates variae parallelorum obliquorum in Astrolabio. 416
 2. Semidiometrum visam parallelī Aequatoris ita diuidi in polo circuli obliqui, ut Semidiometer vera parallelī obliqui æqualis factus est à radio ex polo australi per eundem polum obliqui circuli ducta. Ibid.
 5. Arcum unum quempiam parallelī obliqui in sphera projici posse in Astrolabio in arcum similem. 427
 6. Parallelos eiusdem circuli obliqui maximis diuersa centra habere in Astrolabio. Ibid.
 7. Parallelum Aequatoris in Astrolabio diuidi à quolibet parallelō obliquō in partes similes illis, in quas ab eodem in sphera diuidit. 428
 9. Circulus in Astrolabio non maximus, an includat portionem spherae hemisphérii minorem, maioremve, cognoscere. 432
- I N
- Digitized by Google

L I B R Y II.

IN PROPOS. 7.

1. Parallellos cuiusvis circuli maximi per mundi polos ducti, in Astrolabio describere. 433
2. Cætra parallelorum circuli maximi per mundi polos ducti, in Astrolabio faciliter reperire. 435
3. Parallellos eodem aliis, per rectas tangentes describere. Ibid.
4. Parallelum datum Horizontis recti in Astrolabio describere. 437
5. Parallelus Horizontis recti in Astro labio descriptus, quantum ab Horizonte recto distet in sphera, cognoscere. Ibid.
6. Radios longius excurrentes accurasim ducere. Ibid.
7. Circulum maximum per polos mun di ductum in gradus distribuere. Ibid.
8. Parallelos circuli maximi per mun di polos ducti, in gradus distribuere, ex eorum polis. 438
10. Parallelos circuli maximi per mun di polos ducti, in gradus distribuere, ex con tro Astrolabij. 439
11. Parallelos circuli maximi per mun di polos ducti, in gradus distribuere ex polo australi Analematis. Ibid.
12. Parallelos circuli maximi per mun di polos ducti alijs vix in gradus distribue re. 450

IN PROPOS. 8.

1. Verticales circulos in Astrolabio describere. 453
2. Orientalis pars, & occidentalis in Astrolabio que. 454
3. Centra omnium Verticalium ex iste p[ro]p[ri]e lineis recta, qua per centrum Verticalis primarij ad meridianam lineam duci posse perpendicularis. 455
4. Centra omnium Verticalium secundum Horizontem in 360 gradus, per semi circulum quædam in 180 gradus disiunctum reperire. 456
5. Plura puncta in Horizonte, cuiusque parallelis, per qua Verticales desinendi

- sunt, innenire. Ibid.
5. Verticales parum à Meridianu distantes, per puncta, sine circulo, describere. 457
 8. Polos cuiusvis Verticalis innenire in Astrolabio. 459
 8. Verticales circuli Horizontem, cuiusque parallelas distribuentes in gradus. 460
 9. Verticalem quemcumque in Astro labio distribuere in gradus. Ibid.
 10. Verticalem quælibet propositorum in Sphera, describere in Astrolabio. Ibid.
 10. Centrum Verticalis dato Verticali in Sphera respondente reperire in Astro labio. Ibid.
 11. Inclinationem cuiuslibet Verticale in Astrolabio ad primarium Verticali cognitionem cognoscere. 462
 11. Quam in partem datum Verticalis in Astrolabio deflectas à Verticali primaria, cognoscere. 463
 11. Inclinationem cuiusvis Verticalis ad quælibet Verticalem in Astrolabio cognoscere. 463
 12. Circulos maximos per polos cuiusvis alterius circuli maximi, sanguam Verticales, describere in Astrolabio. Ibid.
 13. Rectas ex centro cuiusvis Verticalis ad intersectionem eius cum Horizonte ductas, Horizontem tangere, &c. Ibid.
 13. Rectas ex centro cuiusvis Verticalis ad eius intersectionem cum quolibet parallelo Horizontis emissas, parallellum Horizontis tangere. 466
 14. Puncta reperiare in communis sectione cuiusvis Verticalis cum Horizonte, per qua si recta ducatur ex centro illius Verticalis, Horizon in gradus distribuatur. 468
 15. Puncta reperiare in communis sectione cuiusvis Verticalis cum quilibet parallelo Horizontis, per qua si recta ducatur ex centro illius Verticalis, parallelus in gradus distribuatur. 470
 16. Verticalis quilibet, aut quinis aliis circulus maximus in Astrolabio secat Aquatorum in duabus punctis per diametrum oppositus. 472
 16. Diametrum verum cuiusvis cor-
i
culi

I N D E X

- cali in Astrolabio descripti, siue maximi, siue non maximi, inuenire. 472
 17. Polos cuiusque Verticalis, vel alterius circuli siue maximi, siue non maximi, in Astrolabio descripti, inuenire. 473
 18. Reglam, qua intersectiones quoniam libet duorum circulorum maximum in Astrolabio coniungit, per centrum Astrolabij transire. 475
 19. Parallelos cuiuslibet Verticalis, aut alterius circuli maximi obliqui, in Astrolabio describere. Ibid.
 19. Centrum Astrolabij, centrum circuli obliqui maximi, eiusque parallelorum contra, & eiusdem polos, in una recta linea existere in Astrolabio. 476
 20. Parallelos cuiusvis circuli maximi obliqui boreales ab australibus secernere. 477
 21. Parallelus cuiusvis circuli maximi obliqui in Astrolabio descriptus, quadratum ab ipso maximo circulo distet, & quā in partem vergat, cognoscere. Ibid.
 22. Altitudinem poli supra quoniam circulum maximum obliquum, eiusdemque circuli inclinationem ad Aequatoriem, explorare. Ibid.
 23. Aequatoriem ex quoniam circulo, qui maximum aliquem sphera circulum notum dicatur representare in Astrolabio, describere. 479
 24. Circulos horarum ab or. & med. noct. in Astrolabio describere. 479
 3. Declinationum circulos in Astrolabio describere. Ibid.
 4. Circulos horarum iniqualium secundū auctores Astrolabij describere in Astrolabio. Ibid.
 4. Circulos horarum iniqualium communiter descriptos, non indicare verè horas inaequales rato anni tempore. Ibid.
 4. Horas inaequales variis per partes duodecimas plurium arcuum diurnorum describi. Ibid.
 4. Centra horarum iniqualium repe-
- rire. 482
 5. Circulos horarum ab ortu, & occasu in Astrolabio describere. 483
 5. Circulos horarum ab ortu, & occasu in Astrolabio esse aequales. Ibid.
 6. Hora ab or. & occ. quo patto in vulgaribus Astrolabij describi solantur, & quem ordinem teneant. 483
 6. Per qua puncta Aequatoris verè arcus horarum ab ortu, & per qua arcus horarum ab occ. describendi sunt: hoc est, qua hora à mer. vel med. noct. in Aequatore perirent ad horas, ab or. & qua ad horas ab occ. Ibid.
 7. Circulum proposita bore ab or. vel occ. in Astrolabio describere. Ibid.
 7. Quis semicirculi horarum ab or. vel occ. ad horas ab ortu, & qui ad horas ab occasu pertineant, cognoscere. Ibid.
 8. Per datum punctum inter duos parallellos Horizontem tangentes, tam semicirculum, qui ad aliquam horam ab ortu, quam semicirculum, qui ad horam aliquam ab occasu spectet, in Astrolabio describere. 487
 8. Semicirculus quilibet hora alicuius ab or. vel occ. descriptus, ad quotam horam ab or. vel occ. pertinente, cognoscere. 488
 9. Eandem esse altitudinem poli supra omnes circulos horarum ab or. vel occ. quae est supra Horizontem. Ibid.

IN PROPOS. 9.

1. Circulos horarum ab or. & med. noct. in Astrolabio describere. 479
 3. Declinationum circulos in Astrolabio describere. Ibid.
 4. Circulos horarum iniqualium secundū auctores Astrolabij describere in Astrolabio. Ibid.
 4. Circulos horarum iniqualium communiter descriptos, non indicare verè horas inaequales rato anni tempore. Ibid.
 4. Horas inaequales variis per partes duodecimas plurium arcuum diurnorum describi. Ibid.
 4. Centra horarum iniqualium repe-

IN PROPOS. 10.

1. Domos cælestes, ut à Ioan. Regioni, constituerunt, in Astrolabio describere. 488
 1. Centra domorum cælestium reperi-re. Ibid.
 2. Per datum quodvis pñctum Aequatoris circulum positionis describere. 490
 3. Domos cælestes, ut eas Campanas imaginaretur, in Astrolabio describere. 491
 4. Domos cælestes, ut eas Campanas constituit, describi in Astrolabio, instar Verticalium ipsius Verticalis primary, tanquam Horizontis eiusipm. Ibid.
 5. Cir-

L I B R I I I.

5. Circulum positionis per quemque gradum Verticalis datum describere. 493
 6. Per quoduis punctum datum in Astrolabio extra Aequatoris, & Verticalis circumferentiam, circulum positionis describere. Ibid.
 6. Quantum quilibet circulus positionis ab Horizonte sine in Aequatoris, sine in Verticali differt, cognoscere. Ibid.
 7. Croptusculum lineam in Astrolabio describere. Ibid.
 7. Centrum linea tropiculina innervare. 494
 7. Error Ioan. Stoflerini in linea tropiculina describenda. 495

2. Precessione veram equinoctiorum ex tabella ad plurimos annos elicere. Ibid.

IN PROPOS. II.

1. Circulum maximum per duo puncta, quorum unum in Horizonte, & alterum in Meridiano datum sit, vel per gradus expressum, in Astrolabio describere. 507

1. Per duo puncta, quorum unum in quocumque circulo maximo Astrolabij, & alterum in alio quilibet maximo circulo datum sit, vel per gradus expressum, circulum maximum in Astrolabio describere. Ibid.

2. Circulum maximum, cuius declinatio à Verticali, & inclinatio ad Horizontem nota sit, in Astrolabio beneficio Verticalis eius inclinationem metientis describere. Ibid.

2. Verticalis, qui propositi circuli inclinationem ad Horizontem metitur, in Astrolabio describere. 508

2. Arcum data inclinationem ex Verticali etiam inclinationem propositi circuli metiente absindere. 509

2. Circulum eundem maximum, cuius declinatio à Verticali, & inclinatio ad Horizontem data sit, in Astrolabio beneficio parallelis Horizontis, sine Verticali inclinationem metiente, describere. Ibid.

2. Commotio posterioris huius propositionis. Ibid.

2. Circulum eundem maximum faciliter praxi describere. Ibid.

2. Omnes circulos in Astrolabio per duo puncta per diametrum opposita descriptos secare Aequatrem bisariam. Ibid.

3. Diametrum utram circuli maximus descripsi, eiusdemque polos, & altitudinem polo supra eundem, inuenire. 510

3. Parallelos descripsi circuli maximus in Astrolabio describere. Ibid.

4. Verticalem circulos eiusdem circulis maximis descripsi, tanquam Horizontis eiusdem, describere. 511

4. Utilitas huius propositionis. Ibid.

d 2 IN

IN SCHOLIO PROPOS. II.

1. Vetus principia stellarum in Astro labiis vulgaribus quis. 503
 1. Quid in hoc Astrolabio de stellis fixis tradatur. 504
 2. Loca stellarum fixarum in Zodiaco ex earum longitudinibus repertae. 505

PINDEIXI

IN SCHOLIO PROPOS. 12.

1. Si circulum dátum aliis circulis bifariam, hoc est. in punctis oppositis secos, & in hoc recta secunq[ue] accommodetur per centrum dati circuli transiens, secabunt omnes circuli per extrema puncta huius recte descripti datum eundem circulum quoque bifariam. 511

2. Omnes circulos in Astrolabio maximos dividere Aequatorem bifariam. 513

IN PROPOS. 13.

1. Per duo puncta quomodoconque in Astrolabio data maximum circulum describere. 515

2. Per duo puncta, quorum unum in Aequatoris circumferentia datum sit; circulum maximum describere. ibid.

3. Per duo puncta, qua sunt in eadem recta per centrum Astrolabij ducta, circulum maximum describere. 514

4. Per duo puncta in circumferentia Aequatoris data circulum maximum describere. ibid.

5. Per datum quodvis punctū in Astro labio quousvis circulos maximos describere. ibid.

6. Per duo puncta per diametrum oppositum quousvis circulos maximos describere. 516

IN PROPOS. 14.

1. Datis duobus p[ro]pt[er]is quadrante maximi circuli inter se distantibus, per alterum centrum eorum maximum circulum describere, cuius alterum punctum sit polus. 515

2. Circulum maximum describere, cuius polus sit datum punctum in Astrolabio. 517

3. Circulum non maximum describere, cuius polus sit datum punctum in Astrolabio. ibid.

IN PROPOS. 15.

1. Anguli sphaericī in circumferentia Aequatoris constituti quātūcātē, hoc est, inclinationem duorum circulorum maximorum, quorum vel unus sit Aequator, vel, ambo in Aequatoris circumferentia sit intersectare, investigare. 518

2. Anguli sphaericī extra peripheriam, Aequatoris constituti quātūcātē, hoc est, inclinationem duorum circulorum maximorum, siē extra Aequatoris peripheriā secantium, investigare. 519

3. Quando alter circulorum per polos mundi ducitur, idem investigare. 520

IN SCHOLIO PROPOS. 15.

1. Pluribus circulis maximis per eadem puncta opposita ductis, quis eorum sit magis, aut minus inclinatus ad alterum maximum circulum, & qui aequaliter inclinati sint. 520

1. Verticalem primarum inter omnes Verticales, & Horizontem inter omnes circulos positionum, ad Aequatorem maximè inclinari. 521

2. Praxis pulcherrima pertinens ad propos. 12. pro inueniendo tertio punto circuli maximi dati describendi, ex eius inclinatione ad Horizontem data, sine Verticali, & sine parallelo Horizontis: ibid.

IN PROPOS. 16.

1. Date angulo sphaericō in Astrolabio aequalē angulum sphaericum cum dato arcu circula maximi in dato puncto consiliuere. 522

1. In dato punto cum dato arcu angulum sphaericum quousvis graduum in Astrolabio consiliuere. 523

2. Quādo duo circuli maximi in Astro labio angulum rectum continent, recta linea ex centro Astrolabij per centrum unius ducta secas alterum in polo illius proprii circu-

LIBERIA.

- circuli Ibid.
 2. Duorum circulorum maximorum
rectum angulum continentium polos inuenire. § 24
 3. Datum angulum sphaericum in Astrolabio bisectione secare. Ibid.

IN PROPOS. 17.

1. Venerabilium circulorum in Astrolabio quoniamque descripitorum situm in sphera explorare. § 25
 2. In explorando situs descripiti circuli in Astrolabio quid obseruandum. § 28
 3. Rebus cuiusvis in Astrolabio ductis sicut in sphera explorare. Ibid.
 4. Data recta finita, quamvis arcis maximi circuli chorda sit, inquirere. § 30
 5. Rectam per centrum Astrolabij datum varia posse representare. § 31

IN PROPOS. 18.

1. Per datum punctum in recta per centrum Astrolabij, & centrum maximi altitudinis circulis ducta, parallelum illius circuli maximi describere. § 32
 2. Per datum punctum in Verticali priuato aliquis circulus maximi, parallelum illius maximi circuli describere. § 33
 3. Per datum punctum extra rectam per centrum dati circuli maximi, & centrum Astrolabij ductam, & extra Verticalem, parallelum illius circuli maximi describere. Ibid.

3. Expeditissima via ad inueniendam in meridiana linea diametrum parallelum per datum punctum describendi. § 35

3. Quoniam arcum maximi circuli data recta subtendat, inuenire, etiam si circulus ille maximus non describatur. § 36

3. Alia descripsio parallelis obliqui per datum punctum, beneficio linea cuiusdam tertia proportionalia. § 37

3. Quando punctum datum est in circumferentia Aequatoris. § 38

4. Por punctum circunquaque datum, par-

allelum Aequatoris describendo. Ibid.
 4. Alia descripsio parallelis obliqui per datum punctum, beneficio parallelis Aequatoris. Ibid.

5. Per datum punctum describere parallelum maximi circuli per mundi polos ductum. Ibid.

5. Quia ratione circuli maximi obliqui, etiamque parallelis, per parallelos maximi circulis per mundi polos ducti, in gradus distribuantur. § 40

5. Demonstratio alia satillis primi modi dividendi circulos obliquos in gradus, qui ex Lemmate 23. pendebat. Ibid.

6. Circa datum polum describere circulum, siue punctum detur, per quod transire debet, siue non. § 41

7. Dato punto in quoquis parallelo, opus est punctum punctum per diametrum visum est usdem parallelis reperire, etiam si parallelus descriptus non sit. § 42

IN PROPOS. 19.

1. Per datum punctum in circulo non maximo, circulum maximum, qui cum tangat, describere. § 43
 2. Quando datum punctum est in recta per centrum circuli dati, & centrum Astrolabij ducta, idem efficer. § 44
 3. Quando datum punctum est in circumferentia parallelis Aequatoris, idem exequi. Ibid.

IN PROPOS. 20.

1. Per datum punctum extra circumferentiam circuli non maximi, inter ipsum tamen circulum, & eius oppositum parallelum, ita ut recta coniungens datum punctum, & centrum Astrolabij transeat per dati circuli centrum, circulum maximum, qui cum tangat, describere. § 45
 3. Per datum punctum extra circumferentiam circuli non maximi, inter ipsum tamen circulum, & eius oppositum parallelum, ita ut recta coniungens datum pun-

I N D E X

*Cum, & centrum Astrolabij non transeat
per datu*m* circuli centrum, circulum maxi-
mum, qui cum tangat, describere.* 548

IN SCHOLIO PROPOS. 20.

- 1. Materia Astrolabij quæ esse de-
beat. 550
 - 2. Facies, & Mater Astrolabij quæ. 551
 - 3. Dorsum Astrolabij quod. Ibid.
 - 4. Facie Astrolabii constructio in
sphæra obliqua. Ibid.
 - 5. Limbi in facie Astrolabij constru-
ctio. Ibid.
 - 6. Tympanorum in facie Astrolabij
constructio. Ibid.
 - 7. Armillæ suspensoriæ, & Ostenso-
ris constructio. 553
 - 8. Dorsi Astrolabij cōstructio. Ibid.
 - 9. Limbi in dorso Astrolabij con-
structio. Ibid.
 - 10. Mensū ac dierum in dorso Astro-
labij per circulos concentricos descri-
ptio. 554
 - 11. Mensum ac dierum in dorso A-
strolabij per circulos eccentricos de-
scriptio. 555
 - 12. Scalæ altimetriæ in dorso Astro-
labij compositio. Ibid.
 - 13. Horarum inqualium in dorso
- Astrolabij descriptio. 556
- 9. Medicinaliæ, vel Dioptriæ in dorso
Astrolabii constructio. Ibid.
 - 10. Quæ in Astrolabio communia
sunt tam sphæræ cuius oblique, quam
rectæ, & obliquissimæ sub polo. Ibid.
 - 11. Astrolabii in sphæra recta con-
structio. 557
 - 12. In sphæra recta idem circuli
maximi indicant tam horas à mer. &
med. noct. quam horas ab or. & occ. at-
que horas inæquales. 558
 - 13. Astrolabii in sphæra obliquis-
simæ constructio. 559
 - 14. In sphæra obliquissima nō esse
propriæ horas à mer. vel med. noct. aut
ab or. vel occ. aut inæquales. Ibid.
 - 15. In sphæra obliquissima nullos
esse propriæ circulos domorum cœle-
stium. Ibid.
 - 16. Astrolabium sphæræ obliquis-
simæ borealis, quo pacto obliquissimæ
sphæræ australi accommodetur. 560
 - 17. Astrolabium sphæræ cuiusvis
obliquæ borealis, quo pacto obliquæ
sphæræ australi opposita accommodetur.
Ibid.
 - 18. Astrolabii descriptio in plano
cuiusvis circuli maximi obliqui. 561
 - 19. Terra descriptio in forma A-
strolabii. Ibid.

I N D E X

EORVM, QVAE IN QVOLIBET CANONE Tertiij Libri, eiusq; Scholio explicantur.

IN CANONE I.

- 1. *Siderum Altitudinē per Astro-
labij dorsum explorare.* 564
- 2. *Quadrans commodius instruc-
tum ad altitudines siderum capandas, quam dorsum Astrolabij,
& eius usus.* Ibid.
- 3. *Pinnacilia quomodo conseruenda,*

*et facile per ea stella, & alias res videri
possint.* 565

- 4. *Num astrum sit ante Meridianum,
vel post, vel in ipso existat, cognoscere.* Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS I.

- 1. *Quo pacto in altitudine siderum
præter gradus, Minuta accipiatur.* 566
- 2. *Qua-*

L I B R I V I I I.

3. Quadrantem construere, quo ultra gradus, Minuta quoque discernantur, cum eius visu. Ibid.

4. Eiusdem quadrantis beneficio arcum quotlibet graduum ac minutorum ex dato circulo auferre: & quot gradus, minutaque in dato arcu contineantur, cognoscere. 368

arcum Ecliptica respondentem sine instrumento eldere. Ibid.

5. Altitudinem meridianam Solis, vel fulle cuiusvis, ex eius declinatione determinare. Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS 3.

1. Declinationem dati cuiusvis puncti Eclipticae ex Analemmate inuestigare. 384

3. Ex data declinatione puncti Eclipticae, vel arcum respondentem elicere beneficio Analemmatis. 385

4. Declinationem cuiusvis stellae per Analemmata indagare. Ibid.

5. Semissim recte diametro circuli equidistantis secare, ut semidiameter secia est. 386

6. Semidiametrum circuli secare, ut semissim eius parallelē secia est. Ibid.

10. Declinationem cuiusvis puncti Eclipticae per numeros inuestigare. 388

10. Ex data declinatione punctum Eclipticae respondens reperi per numeros. Ibid.

10. Declinationem cuiuslibet stellae per numeros indagare. Ibid.

10. Vtrum stellae declinatio borealis sit, an australis, cognoscere. 398

IN CANONE 3.

1. Declinationem gradus Eclipticae propositi, vel stellae cuiuslibet, per Astrolabium inuenire. 380

1. Qua puncta in Astrolabio habeant declinationem borealem, & qua australiem. Ibid.

3. Ex data declinatione arcum, seu punctum Eclipticae respondens inveni in Astrolabio. Ibid.

4. Declinationem gradus Eclipticae propositi, vel cuiuslibet stellae, sine instrumento Astrolabij coreius inuenire. 381

6. Præceptum generale ad inueniendam declinationem cuiusvis puncti in Astrolabio assignari. 382

6. Declinationes pectorum vniuersi quadrantis Eclipticae declinationibus punctorum aliorum quadrantum aequales esse. 383

7. Ex data declinatione punctum, vel

IN CANONE 4.

1. Ascensionem rectam dati puncti Eclipticae, aut stellae, ex Astrolabio cognoscere. 393

1. Qui gradus Eclipticae cum data stella oritur in sphera recta, aut mediet calum. Ibid.

2. Descensionem rectam dati puncti Eclipticae, aut stellae, ex Astrolabio cognoscere. Ibid.

2. Qui gradus Eclipticae cum data stella occidas in sphera recta. 394

3. Ascensionem rectam cognita, descensionem, arcum Eclipticae respondentem inuenire ex Astrolabio. Ibid.

4. Ascen-

INDEX

4. Ascensionem rectam, descensionemque cuiusvis arcus Ecliptica non ab Aries inchoati, ex Astrolabio reperire. *Ibid.*
 5. Ascensionem rectam, descensionemque cuiusvis puncti Ecliptica, vel stella, sine Astrolabio materialis inquirere. *Ibid.*
 6. Ascensionem rectam, descensionemque cuiusvis arcus Ecliptica non ab Aries inchoati, sine Astrolabio apprehendere. *595*
 7. Figuram ascensionum rectarum omnium Ecliptica arcuum confinare. *Ibid.*
 8. Ex data ascensione, descensione recta arcum Ecliptica respondentem sine Astrolabio evanesce. *596*
 9. Ascensionem, descensionemque recta stellae cuiusvis fore Astrolabio explorare, cum cum puncto Ecliptica, quod sensu oritur, vel occidit. *Ibid.*
-

IN SCHOLIO CANONIS 4.

1. Ascensionem, descensionemque rectam dati puncti Ecliptica ex Analemmate ad ipsici. *597*
 2. Ascensionem rectam stellę cuiusvis, vel descensionem, ex Analemmate reperire. *598*
 3. Ascensionem rectam, descensionemque dati arcus Eclipticę non ab Aries inchoati, ex Analemmate reperire. *599*
 4. Ex data ascensione, descensione recta, arcum Eclipticę respondentem per Analemma exquirere. *Ibid.*
 5. Ascensionem rectam, descensionemque dati puncti Ecliptica, beneficio numerorum supputare. *601*
 6. Ex data recta ascensione, descensione recta, arcum Eclipticę respondentem per numeros inuenire. *602*
 7. Ascensionem rectam, descensionemque cuiuslibet stellę per numeros variari. *603*
 8. Punctum Eclipticę, cum quo stellę in Horizonte recto oritur, cælumque mediat, per numeros supputare. *607*

IN CANONE 3.

1. Stella quevis cum eodem puncto Ecliptica medias cælum in sphera obliqua, cu quo in recta. *607*
 2. Ascensionem obliquam dati puncti Ecliptica, sine stelle, per instrumentum repere. *Ibid.*
 3. Qui gradus Ecliptica cum data stel la oritur in sphera obliqua. *608*
 2. Descensionem obliquam dati puncti Ecliptica, sin stelle, per instrumentum invenire. *Ibid.*
 3. Qui gradus Ecliptica cum data stel la occidat in sphera obliqua. *Ibid.*
 3. Ascensionem, descensionemque obliquam coarentem arcum Ecliptica per instrumentum reperire. *Ibid.*
 3. Differentia ascensionalis quo pacto reperiatur ex Astrolabio. *Ibid.*
 4. Ascensionem, descensionemque obliquam dati arcum Ecliptica non ab Aries inchoanti, ex Astrolabio inveniri. *Ibid.*
 5. Ascensionem, descensionemque obliquam dati puncti Ecliptica, vel stelle, sine instrumento Astrolabij investigare. *609*
 5. Quo pacto Horizon obliquus describendus sit pro ascensionibus obliquis. *Ibid.*
 5. Qui gradus Ecliptica cum data stel la oritur in sphera obliqua. *Ibid.*
 5. Quo pacto Horizon obliquus describendus sit pro descensionibus obliquis. *Ibid.*
 5. Qui gradus Ecliptica cum data stel la occidat in sphera obliqua. *610*
 6. Differentia ascensionalis, descensionalis quo pacto reperiatur sine instrumento Astrolabij. *Ibid.*
 7. Ascensionem, descensionemque obliquam cuiusvis arcus Eclipticę non ab Aries inchoati, sine instrumento apprehendere. *Ibid.*
 8. Ascensioni obliqua, vel descensioni data, arcum Ecliptica sensu orientem vel occidentem, sine instrumento assignare. *Ibid.*
 9. Altera rasio duplex inveniendi ascensiones, descensionesque obliquas sine instrumento. *611*
 10. Figuram confinare continentem omnium punctorum Ecliptica ascensiones rectas,

L I B R U M III.

DE ASTRONOMIA LIBRUM III. 613
 11. Ascensionem rectam, & obliquam
 duarum puncti Ecliptice, ex alterna
 data alteram, unde cum puncto Ecliptice
 respondentem, ex figura constructa reperiens.
 Ibid.

12. Descensionem obliquam ex figura
 constructa elicere. Ibid.

13. Quotum arcus Eclipticae aqua-
 tales, a punctis aequinoctialibus, veteropri
 aequaliter distantes, habere ascensiones re-
 spondentes. Ibid.

14. Arcus Eclipticae aquales ab alter-
 atioe punctorum aequinoctialium aequaliter
 distantiam, habere ascensiones obliquas a-
 quales. Ibid.

15. Arcus Eclipticae semicirculare
 stendente tanto minoros habere ascensiones
 obliquas rectis corundom ascensionibus,
 quanto maiores rectis sunt ascensiones obli-
 quae dictata aequaliter disponuntur, est, et
 illis ab eodem tropico puncto aequaliter di-
 stantibus, ibidem figurando asserentes
 existentiaque ostendentes. Ibid.

16. Ascensiones obliquas duorum ar-
 cum Eclipticae aequaliter separorum, vel
 aequaliter ab eodem punto tropicis distan-
 tiarum, siue sumptus aequales esse rectis co-
 randam ascensionibus siue sumptus. Ibid.

Et Eclipticæ, aut stellæ, per numeros
 inquirere. 623

17. Differentie ascensionalis inuen-
 tio per numeros. Ibid.

18. Inuentio differentiarum descensiona-
 li per numeros. Ibid.

19. Ascensio obliqua quo pacto ex
 differentia ascensionali elicatur. Ibid.

20. Descensio obliqua quo pacto ex
 differentia descensionali eretur. Ibid.

21. Ex data ascensione, aut descen-
 sione obliqua, arcum Eclipticæ respon-
 dentem per numeros explorare. Ibid.

22. Quodnam punctum Eclipticæ ca-
 data stella oriatur, aut occidat, per nu-
 meros cognoscere. Ibid.

23. Declinatio stellæ quo pacto per
 eius altitudinem metridiam invenia-
 tur. Ibid.

24. Cum quo puncto Eclipticæ stella
 data oculum mediet, etiamque eius locum
 ignoretur in Zodiaco, cognoscere. Ibid.

25. Inuentio latitudinis stellæ, & lo-
 ci veri, ex eius declinatione, & media-
 tione zodi. Ibid.

26. Inuentio veri loci stellæ in Zodia-
 co, ex eius declinatione, & latitudi-
 ne. Ibid.

IN CANONE 6.

PIX. SI C H O L L O D C A N O N U S . Sec. 6.
 Et iste canone adiutorius invenit
 1. Ascensiones descensionesque obli-
 quas ex Analemmate elicendas. Ibid.

2. Inuentio differentiarum ascensione-
 lium duarum puncti Eclipticae, vel stellæ, ex
 Analemmate. Ibid.

3. In figura belli parte initium Arctis
 existat, ex cognita ascensione obliqua;
 cognoscere, &c. Ibidem.

4. Si ex puncto Eclipticæ etiam in Me-
 trikabio supra Horizontem, quâmo in
 Horizonte, orientali, ex seu principiij
 Arctis cognoscere. Ibidem.

5. Ascensiones oblique determinari
 Eclipticæ respondentes, beneficio Ana-
 lemmatis exhibere. Ibidem.

6. Ascensionem obliquam dati pun-

ti. Latitudo ortus, vel occidens; Itello
 Zenith ortus, vel occasus salis, aut stellæ;
 quid. Ibid.

7. Latitudinem ortum, occidens, &
 beneficio astronomico distinguere. Ibid.

8. Latitudinem ortum occidensque equi-
 lone efficiere. Ibidem.

9. Ex latitudine ortus, occidensque co-
 gnita punctum Eclipticae respondere, & per
 Astronomiam reperiens. Ibidem.

10. Latitudinem ortam fice instrumento
 inquirere. Ibidem.

11. Ex cognita latitudine ortus, occi-
 densque punctum Eclipticæ congruens, fice
 instrumento inquirere. Ibidem.

III N D E XI

SERVUSQ; NO CANNONIS.

1. Latitudinem ortium cuiuslibet puncti Eclipticæ, vel stellæ, ex Analemma mæc deprehendere. 632
 2. Data latitudine ortia, congruēt punctum Eclipticæ, per Analemma in-digare. 633
 3. Alio inuenio latitudinem orti utrum ex Analemmate. 634
 4. Latitudinem ortiam per numeros inuestigare. 635
 5. Data latitudine ortia, punctum Eclipticæ respondens inuenire per nu-
meros. 636

IN CANONE p.

1. Arcus semidiurnus, vel semino-
turnum cuiuslibet gradus Eclipticæ, sin-
tillip per instrumentum invenire. 636
 2. Ex dato arcu semidiurno, vel sepi-
neturno punctum Eclipticæ respondens in-
vestigare in Astrolabio. Ibid.
 3. Arcus semidiurnus, vel semino-
turnum dati puncti, sin tillip inveni-
re invenire. 637
 4. Ex dato arcu semidiurno, semino-
turne, punctum Eclipticæ respondens;
sin instrumento invenire. 638

IN SCHOLIO CANONIS.

1. Arcus semidiurnus, aut semino-
turnum dati puncti Eclipticæ, vel stel-
la, ex Analemmate perdicere. 639
 2. Ex arcu semidiurno, vel semino-
turno dato punctum Eclipticæ, cui co-
gruit, per Analemma venari. Ibid.
 3. Arcus semidiurnus, & semino-
turnum dati puncti Eclipticæ, vel stel-
la, per numeros inquirere. 640
 4. Dato arcu semidiurno, aut semino-
turno, punctum Eclipticæ respon-
dens, per numeros inuestigare. 641

IN CANONE.

1. Horam à mer. vel med. noct. interdiu
per Astrolabium venari. 642
 2. Horam à mer. vel. med. noct. per
Astrolabium noctu inquirere. Ibid.
 3. Horam ab or. vel a.c. per Astro-
labium cognoscere. Ibid.
 4. Horam iniquum per Astrolabium
inquirere. Ibid.
 5. Quando altitudo Solis, vel stellæ non
babat parallelum Horizontis respondentem
quo patet inter proximam minorum, & pro-
ximam maiorum parallelum locandas fu Sol &
vel stella, ut proprium habet altitudi-
num. Ibid.
 6. Horam sine instrumento invenire. 643

IN SCHOLIO CANONIS.

1. Horam à mer. vel med. noct. in-
terdiu ex Analemmate perscrucari. 644
 2. Horam ab or. vel ecc. interdiu ex
Analemmate cognoscere. 645
 1. Horam iniquam interdiu per
Analemma venari. Ibid.
 2. Horam quamcumque noctu per
Analemma explorare. Ibid.
 2. Distantiam stellæ à Meridiano su-
per ortum versus sumendam esse ad
horam transfigurandam. Ibid.
 2. Distantiam Solis à Meridiano su-
per ortum versus, ex distantia Stellaris
ab eodem Meridiano, & ex distâcia Solis
stella ab eadem ordine inuenta, col-
ligere. Ibid.
 3. Distantia Solis stella versus om-
nium quo patet inquiratur. 646
 2. Horam; qua stella ab Meridianu
peruenit, cognoscere. Ibid.
 3. Reductio hor. à mer. vel med. noct.
ad hor. ab ora Solis. 647
 3. Re-

LIBR III.

3. Reductio hor. à merid. vel med. noct. ad hor. ab occasu Solis. Ibid.
 3. Reductio hor. ab ortu ad hor. à mer. vel med. noc. Ibid.
 3. Reductio hor. ab occ. ad hor. à mer. vel med. noc. Ibid.
 3. Reductio hor. ab or. ad hor. ab occ. Ibid.
 3. Reductio hor. ab occ. ad hor. ab or. Ibid.
 4. Hor. in equatis magnitudinem tam per instrumentum, quam sine instrumento cognoscere. Ibid.
 4. Reductio hor. in equalis ad qualem. Ibid.
 4. Reductio hor. in equalis ad inqualem. Ibid.
 5. Horam eam per numeros investigare. Ibid.
-

IN CANONE 9.

1. Horam ortus occasusque Solis, et stellæ circinis per Astrolabium investigare. Ibid.
 2. Horam, qua stella cœlum undas, ex Astrolabio cognoscere. Ibid.
 3. Qui dies, ac noctes inserit sine aqua horæ ex Astrolabio discere. Ibid.
 4. Qui dies habent arcus diurnos, nocturnosque alternatim aequales, in Astrolabio considerare. Ibid.
 5. Horam ortus, occasusque Solis, vel stellæ, sine instrumento investigare. Ibid.
-

IN SCHOLIO CANONIS 9.

1. Horam ortus, occasusque Solis, vel stellæ, per Analemma investigare. Ibid.
 2. Horam ortus, occasusque Solis, vel stellæ, per numeros inquirere. Ibid.
-

IN CANONE 10.

8. Crepusculum maximum, ac usque

- tinuum, quædatur daret, & qua hora iacta paret, & finatur, ex instrumento cognoscere. Ibid.
 2. Alia crepusculi inveniatio certior. Ibid.
 3. Quæ parte ex uno crepusculo eruntur in unum, & finis alterius crepusculi eiusdem diei. Ibid.
 2. Quantum à principio, aut fine crepusculi distinetur, cognoscere. Ibid.
 3. Crepusculum virum que ne Astrolobio materiali investigare. Ibid.
 4. Crepuscula invenire aliter sine Astrolobio materiali. Ibid.
 4. Quæ uberrimum in crepusculi cuiusvis inveniatur, & sine determinanda. Ibid.
-

IN SCHOLIO CANONIS 10.

1. Crepuscula ex Analemmate inquirere. Ibid.
 2. Simum versus arcus semidiurni, idemque & ipsum arcum semidiurnum per numeros explorare. Ibid.
 2. Crepuscula per numeros inquiri. Ibid.
-

IN CANONE 11.

1. Per Astrolabium materiali puncta Eclipticæ investigare, que in quolibet circulo Eclipticam secantæ existunt. Ibid.
 2. Qua hora quinis gradus, aut signum Eclipticae oriatur, cognoscere. Ibid.
 3. Simus Astrolabio materiali puncta Eclipticæ inveniendæ, que in quouis circulo Eclipticam secantæ existunt. Ibid.
 3. Qua hora quilibet punctum Eclipticae oriatur, ubique Sol existat, sine instrumento perquirere. Ibid.
 6. Quædam cœlesti stellæ data, ut per hanc Eclipticam hora observari possit, cognoscere. Ibid.
-

IN SCHOLIO CANONIS 11.

1. Puncta Eclipticæ in Meridiano Ho-

III N D E IXI

**Horizonte, & quodvis circulo horario
a mer. vel med. noc. existentia, per asté-
riores rectas, & obliquas inuestigare.**

666

2. Accuratio inuentio puncti Eclipti-
picas in dato circulo horario existen-
tis, quilibet signo oriente, quando annus
semidiurnus non habetur in grad.
& min. vel in hor. min. & sec. 668

3. Horz., qua quodvis Eclipticas
punctum ostiatur, ubique Sol exi-
git, inuentio per ascensiones obli-
quas. Ibid.

IN CANONE 12.

1. Meridianam lineam, & puncta veri-
oribus, atque occasus per Astrolabium ma-
teriale inuestigare. 669

2. Meridianam lineam sine Astrola-
bio materiali certius innenire. Ibid.

3. Meridianam lineam sine instrumen-
to Astrolabio ex declinatione Solis, &
altitudine poli cognitis, per unicam obserua-
tionem inuestigare. Ibid.

4. Meridianam lineam sine Astrola-
bio materiali, ex sola declinatione Solis co-
gnita: per duas observationes indagari. 670

5. Meridianam lineam sine Astrola-
bio materiali, per tres observationes, etiam si
declinatio Solis. & altitudo poli ignora-
tur, inquirere. Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS. 12.

1. Meridianam lineam inuestio ex Ana-
lemmate per declinationem Solis, &
altitudinem poli cognitas. 672

2. Meridianam lineam inuestio in pla-
no horizontali per tres observationes,
etiam si declinatio Solis, & altitudo po-
li, cognitae non sint. Ibid.

3. Instrumenti constructio, & usus,
quo simul umbra, & altitudo Solis de-
prehenditur. 674

IN CANONE 13.

1. Altitudinem poli supra Horizontem
reputare per unam observationem, quando
declinatio Solis, & firmi ligae meridiana-
dantur. Ibid.

2. Altitudinem poli, & firmam meri-
dianam per duas observationes, ex sola de-
clinacione Solis cognitam inuestigare. 677

3. Altitudinem poli, lineam meridianam
nam, & declinationem Solis, per tres obser-
vations exquirere. Ibid.

4. Altitudines locorum, per eclisses Lu-
narum, qua parte explorarentur. Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS. 13.

1. Altitudinis poli inuestio ex Ana-
lemmate per duas observationes, etiam si
declinatio Solis ignoretur, dummodo
situs linea meridiana detur. Ibid.

2. Altitudinem poli, lineamque me-
ridianam per tres observationes ex-
plorare, licet declinatio Solis sit igno-
rita. Ibid.

3. Ab vertex loci sit inter polum ar-
cticum, & Solem, vel stellam in Meridia-
no positam, an vero Sol vel stella in
Meridiano positam sit inter polum arcticum,
& verticem loci, quo pacto cognoscatur. 680

4. Altitudo poli quo pacto ex deci-
natione Solis vel stellae, altitudineque
meridiana venande sit. Ibid.

5. Vbi sit pars septentrionalis, &
australialis, quo pacto deprehendatur. 681

6. Alter, ac facilius, si constet, po-
lum arcticum eleuari supra Horizontem. Ibid.

IN CANONE. 14.

1. In qualam Zonam datum locus col-
locatur, cognoscere. 682

2. In qualam clima datum locus col-
locatus sit, percipere. Ibid.

IN

MILII B REICILI

IN CANONE 15.

1. Duorum locorum in terra sub Aquatore positionum distantiam itinerarium exquirere. 683
2. Duorum locorum eiusdem longitudois distantiam metiri. Ibid.
3. Duorum locorum longitudinem grad. 180. habentium distantiam reperire. Ibid.
4. Duorum locorum diversarum longitudinum, latitudinumque distantiam mensurare. Ibid.
5. Distantia inter locum borealem, & australem, quo pacto commodius reperiatur. 683
6. Distantiam inter duo loca australia, quo pacto ex oppositis locis borealibus invenienda sit. Ibid.
7. Distantiam duorum stellarum quoniamlibet inuestigare. Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS 15.

1. Distantiam duorum locorum in terra ex Analemmate perscrutari. 687
2. Aliam ratione distantiam locorum ex Analemmate inquirere. 689
3. Alia ratio inueniendae distantie duorum locorum. 691
4. Alia ratio inuestiganda distantie inter duo loca boreal. vel australia. Ibid.
5. Locorum distantiam per numeros exquirere. 692
6. Alia inuentio distantie locorum per numeros. Ibid.
7. Errores quorundam in distante locorum inuestiganda. 693
8. Modus Vernerii in distantia locorum exquirendi. 696
9. Modus Petri Nomii facilior modus Vernerii. Ibid.
10. Reductio circumferentie paralleli ad gradus circuli maximi. 697
11. Reductio chordae arcus parallelis ad ptes diametri circuli maximi. Ibid.
12. Declinatio stellæ quo pacto alter inueniatur per numeros, quam in Scholio Cap. 3. dictum est. Ibid.

IN CANONE 16.

1. Distantia Solis horizontalis in quovis circulo de loco maximo. 698
2. Altitudo Solis ad datam horam supra quemcumque circulum maximum, que posse inuenientur sine Astrolabio materiali. 699
3. Distantia horizontalis ad datam horam supra quemcumque maximum circumulum, quo pacto cognoscatur sine Astrolabio materiali. Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS 16.

1. Circumferentia descensua, & horizontalis, quæ. 702
2. Altitudinem Solis supra quemcumque circulum maximum obliquum per numeros qualibet hora efficiere notam. 703
3. Distantiam horizontalē supra quemcumque circulum maximum obliquum per numeros scrutari. Ibid.
4. Inuetio etia altitudinis Solis per numeros. 704
5. Horam ex altitudine Solis per numeros obseruare. 706
6. Altitudinem Stellarę ex eius distantia a Meridiano. Et vicissim distantiam eius a Meridiana, ex eius altitudine perscrutari per numeros. Ibid.

IN CANONE 17.

1. Arcum circuli cuiusvis maximus ex progrām Meridianum, & Meridianū regiōne data inuestigare. 707
2. Declinacionē Meridiani circuli eius maximi aliquis ad Meridianum Horizontis apparet. Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS 17.

1. Quo pacto circuli maximi, quibus horologia æquidistant, describantur in Astrolabio. 707

INDEX LIB. III.

IN CANONE 18.

1. Inclinationis dati circuli maximum situm habentis notum in sphera ad Meridianum, qua ratione cognoscatur. 708

2. Inclinationis circuli obliqui maximum, cuius situs in sphera cognitus sit, ad Aequatorum, quo pacto repertiarur. 709

IN CANONE 19.

1. Arcum Meridiani inter datum circumferendum maximum obliquum, cuius situs in sphera cognitus sit, & tam Horizontem, quam polum mundi, & polum Horizontis, inquirere. 709

IN CANONE 20.

1. Altitudinem poli supra datum circumferendum maximum, cuius positus in sphera sit cognitus, inquirere. 710

IN SCHOLIO CANONIS 20.

1. Arcum circuli maximi obliquum in sphera habentis notum, inter maximum circumferendum, qui per eius polos, & polos Horizontis ducitur, & tam Meridianum proprium, quam Meridianum Horizontis positum inuenire. 710

2. Arcus maximi circuli per polos Horizontis, & polos dati circuli maximi obliqui transiuntur, Inter Horizontem, & circumferendum horae 6. à mer. vèl med. noct. positus, qua ratione cognoscatur. Ibid.

3. Quot horae, & que existant supra veramque factiem circuli maximi obliqui, & qua hora illuminari incipiunt. Denique quos arcus parallelorum circu-

culi ille maximus abscedat. Ibid.

4. Angulos, quos Ecliptica cum Meridiano, Horizonte, & Verticali per Solem qualibet hora ducto constituit, inuenire. 711

IN CANONE 21.

1. Arcus horarius in quocumque circulo maximo quid. 712

2. Arcuum horariorum in quocumque circulo maximo invenire. Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS 21.

1. Horarum descriptio in quoevera pleno, beneficio arcuum horariorum. 713

4. Arcus horarios pro horis à mer. & med. noct. supputare. 714

IN CANONE 22.

Omnia 22. Problemata triangulorum sphaericorum, de quibus in Lemmata § 3. lib. 1. absque numerorum auxilio, in pleno mira facilitate construuntur, atque explantur. 714

IN SCHOLIO CANONIS 22.

OCTO theorematibus varie determinaciones magnitudinis angulorum in triangulis sphaericis demonstrantur. 745

DE INDE precipui canones supra expositi, rursus faciliter explicantur per quædam quæsita, beneficio triangulorum sphaericorum in pleno descriptorum. 759

A D L E C T O R E M.

VT homines sumus, vitari errata omnia
non potuere. pleraque in indicantibus figu-
rarum literis contigerunt. Ea ad finem volu-
minis posita sunt; qua ut ante consulas, emen-
desque, quam ad libri lectionem accedas, amice
Lector, magnopere ad rem ipsam pertinere ar-
bitror.

M E R O T O H L C A

oīrāo nārāo iññiñ, nāññiñ rāññiñ. Tāññ
-nāññiñ nāññiñ iññiñ. nāññiñ nāññ
-nāññiñ nāññiñ. nāññiñ nāññiñ. nāññiñ
-nāññiñ nāññiñ. nāññiñ nāññiñ. nāññiñ
-nāññiñ nāññiñ. nāññiñ nāññiñ. nāññiñ

A S T R O L A B I I
LIBER PRIMVS.
A V C T O R E
CHRISTOPHORO CLAVIO
B A M B E R G E N S I
E SOCIETATE IESV.



ON TINE T primus hic liber problemata va-
ria, atq. theorematia, partim Geometrica, partim
Sphaerica, & partim Conica, quæ omnia ab officio
Lemmatæ appellare libuit, propterea quod frequē-
tissime adhibenda sunt, ac tanquam certissimis co-
firmata demonstrationibus assumenda, ut facilius
ac breuius ea, quæ de multiplici circilorum proie-
ctione in planum, & de eorundem in gradus par-
titione libro secundo præcepturi sumus, possint demonstrari. Nam nisi seor-
sum ea in uno libro demonstrarentur, cogeremur proprias Astrolabij demo-
strationes longiores, quam par est, ac proinde & obscuriores, efficere. Est &
altera causa, cur omnia hec theorematia, problemataq. unum in librum sint
congesta: quia videlicet non raro unum atq. idem Lemma ad plures propo-
sitiones demonstrandas adhibendum est. Ne igitur eius demonstratio pluri-
bus in locis frustra inculcaretur, sed doctrina suis seruaretur ordo, ac nitor,
necesse fuit illud separatim Geometrica demonstratione confirmare: quæ cau-
sa multis Lemmatibus communis est. His addit, quod cum huiusmodi Lemma
ta non solum in Astrolabio ipsum necessarium habeant, verum etiam eorum
pleraq. ad alias res Mathematicas non paucas magnum emolumenntum af-
ficiant, ratio ipsa postulare videbatur, ut proprio libro explicarentur, ut fa-
cilius, & expeditius, quando ijs Geometra insuis demonstrationibus indige-
bit, possint reperiri.

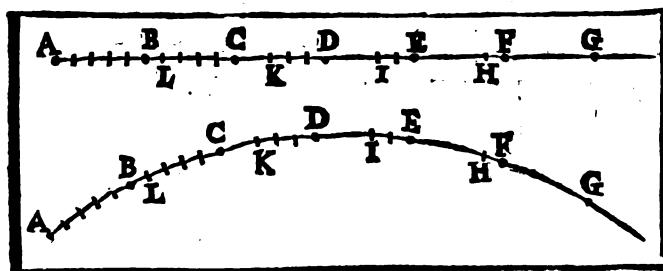
Argumētū pri-
mū libri.

A L E M M A

z L I B R I I.
LEMMA PRIMVM.

DATAM lineam rectam, vel circularem, in quotuis partes æquales, etiam minutissimas, diuidere beneficio circini, cuius pedes distantiam inter se habeant data linea maiorem.

SIT linea recta, vel circularis AB, diuidenda in quotuis partes æquales. In



linea producata accipiantur datæ lineæ AB, tot lineæ æquales beneficio circini, in quo linea AB, diuidenda est, quales sunt BC, CD, DE, EF, FG. Et

tota linea AG, in tot æquales partes distribuatur beneficio etiam circini, (Vel si linea quidem AG, recta est, ex scholio propos. 40. lib. 1. Eucl. vel ex scholio propos. 10. lib. 6. eiusdem) Si vero circularis, beneficio quadratricis, per ea, quæ ad finem lib. 6. Eucl. scripsimus.) in quo linea AB, partiæ iubemur, cuiusmodi sunt GH, HI, IK, KL, LA: continebit autem quælibet harum partium datam lineam AB, semel, & insuper vnam earum partium, in quas AB, diuidenda proponitur. Quoniam enim est, vt AG, ad AL, ita AF, ad AB, quod utrobiq. sit, ex constructione, eadem proportio multiplex. Toties enim AL, in AG, continetur, quoties AB, in AF: Erit permutoando, vt AG, ad AF, ita AL, ad AB. Continet autem AG, ipsam AF, semel, & insuper FG, vnam partem ex ijs, in quas AF, secta est, quæ quidem sunt AB, BC, CD, DE, EF, tot, in quo linea AB, diuidenda proponitur. Igitur & AL, ipsam AB, semel continebit, & insuper vnam earum partium, in quas AB, diuidenda est. Est ergo BL, earum partium vna. Quocirca sicut interullum GH, quid maius est data linea AB, dat nobis vnam partem FH, ita idem translatum ex duobus punctis F, H, dabit duas partes EP, & ex tribus punctis prope E, translatum exhibebit tres partes DK, & translatum ex quatuor punctis prope D, dabit quatuor partes CL, & ita deinceps vna semper parte amplius, ita vt tandem spatiū GH, in ipsam AB, translatum exhibeat tot partos, in quo secunda est AB, hoc est, quot sunt partes AB, BC, CD, DE, EF, atque adeo tunc AB, diuisa sit in partes propositas æquales.

ATQVE hic modus diuideendi utilissimus est, quando linea AB, in particulas adeo minutas secunda est, vt egre beneficio circini continuari possint sine errore.

ITEM, si linea AG, secunda sit, v.g. in 30. partes æquales, diuidenda prius erit in quotuis partes æquales, pauciores quam 30. ita tamen, vt earum numerus sit pars aliqua numeri 30 partium, vt in exemplo diuisa est in sex partes. quarum singulæ quinas partes continent. Diuisa deinde prima parte AB, in quinque

L E M M A I.

3

que partes, ut diuiduntur est, interuerso AL, vel GH, quo linea AG, ex sex partibus ipsis AB, et equalibus constant in quinque aequales partes diuisa est; Si per unum circini in A, statuatur, (interuerso AL, non mutato) deinde in proximo puncto, deinde in sequenti, atque ita deinceps, secta erit altero pede tota linea AG, in 30. partes aequales.

P O S S E T quoque recta AG, secari prius in 5. partes, ut singulæ senas particulæ ex 30. continerent: Sed tunc singulæ rursus diuidendæ essent bifariam, & harum semiuersum prima in tres aequales partes distribuenda eo modo, quo supra estraditum; ac tandem totâ AG, beneficio harum tertiarum partium diuidenda in triginta partes. Quod si quinta pars adeo exiguae sint, ut aegre circino possint bifariam diuidi, secundæ essent in senas partes singulæ, ut initio docuimus; Vel certe linea ex tribus quintis illis partibus composita, secunda bifariam. Ita enim eodem hoc interuerso omnes bifariam diuidentur, ac tandem qualibet semiuersum in tres partes, ut prius.

A C C I D I T nonnunquam, ut in linea data magnitudinis, accipienda sint ordine plurimæ particulae, sub determinato tamen numero, quæ aegre propter earum paruitatem circino sine errore sumi possunt. Hoc ergo tunc artificium adhibebimus. Si numerus particularum diuidi potest in plures partes, accipiemus circino in data linea tot partes aequales, in quot numerus particularum diuidi potest, ita tamen, ut eæ partes simul fere exhaustant totam datam linem. Nam si prima harum partium secetur in tot particularas, quot ex proposito numero in ea continentur, idemque fiat in reliquis partibus, habebimus datum particularum numerum. Ut si linea proponatur, in qua sumundæ sint ordine 84. particulae, secabimus eam primum in duas, ut qualibet contineat 42. Rursus singulas in duas, ut habeantur quatuor partes, quarum singulæ continente 21. particularas. Harum item singulas in tres particiuerant, ut habeamus duodecim partes, quarum qualibet 7. particularas contineat. Postremo singulas harum in 7. particularas distribuimus. Si vero numerus particularum propositus diuidi nequeat in plures partes, accipiendo erit numerus paulo maior minorue, qui in plures posset partes diuidi, atque tot particulae in data linea sumundæ ordine, ut proxime diximus. Si namque superflue particulae abijcantur, vel eæ, quæ desunt, adijcantur, habebimus propositum particularum numerum. Ut si ordine abscondendæ sint 74. particulae ex aliqua data recta linea, proponemus nobis 80. particularas. Nam si datam linem secemus bifariam continebit vtrumq. semiuersum 40. particularas. Vtrumq. rursus secunda bifariam dabit quatuor partes 20. particularum. Singulæ vero harum bifariam diuisæ offerent octo partes 10. particularum, quarum singulæ quoque bifariam secundæ dabunt sexdecim partes, & in singulis quinq; particulae existent. Si ergo singulæ in quinas particularas distribuantur, ut docuimus, habebimus 8c. particularas: relictis autem sex, reliquæ erunt 74. propositæ. Vel proponemus nobis 72. particularas. Si enim ordine accipiamus 24. partes aequales, ita ut fere datam linem exhaustant (quæ 24. partes habebuntur etiam, si data linea, vel eius segmentum paulo minus ipsa linea secetur primum bifariam, & vtrumq. pars rursus bifariam, & harum partium singulæ rursus bifariam, ac tandem singulæ harum partium internas partes secentur) & singulæ partes in tres particularas diuidantur, ut traditum est, habebimus 72. particularas, quibus si adijcantur duæ particulae, exurget numerus 74. particularum propositus

H I S recte consideratis, facile intelliges, quomodo in quolibet alto particularum numero te gerere debeas.

A 2

L E M M A I.

4 L I B R I I .
L E M M A I I .

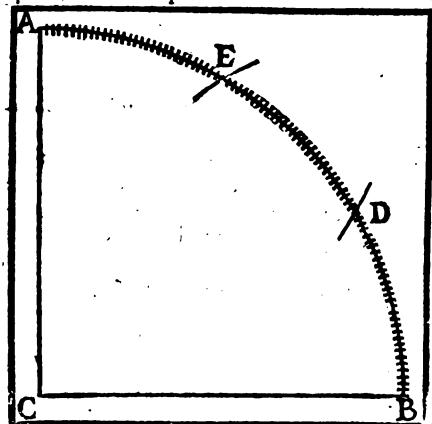
QVADRANTEM, vel circulum datum in gradus distribuere beneficio circini, cuius pedum interualum plures gradus, quam duos, tresue complectatur.

S I T quadrans **A B**, cuius centrum **C**. Interualllo semidiametri **A C**, quo quadrans descriptus est. abscindantur duo arcus **A D**, **B E**, quorum vterque ex coroll. propos. 19. lib. 4. Eucl. sexta pars erit circuli, continens gradus 60. ac proinde vterque reliquo- rum **B D**, **A E**, gradus 30. comprehen- det, totidemq; idcirco graduum in- termediis arcus **D E**, existeret, adeo ut quadrans iam in tres partes æquales diuisus sit, si angulus **A C B**, in cetro rectus fuerit omnino, ideoque vere quadrantem subtenderit. Deinde di uisis singulis arcubus **A E**, **E D**, **D B**, beneficio circini, vel quadratricis in quinas partes æquales, (adhibita pra xi antecedentis lemmatis, si quinque hæ partes fuerint nimis exiguae.) vt quotlibet 6. gradus contineat, totusque quadrans in 15. partes diuisus

fit, secentur rursus singulæ hæ per lemma præcedens in senas partes: vel certe prius in binas, & postea singulæ hæ in ternas. Vtique enim modo quadrans in 90. gradus distributus erit.

S I integer circulus in 360 gradus secundus sit, partiemur cum prius in qua- tuor quadrantes per duas diametros sese in centro ad angulos rectos interse- cantes: Deinde singulos quadrantes una eademque opera in 90. gradus distri- buemus, vt dictum est, sumendo in singulis eodem interualllo circini partes eas- dem, &c.

I T A Q V E cum tota difficultas diuidendi circulum, quadrantemue in gradus, consistat in ultima ferme operatione, qua arcus æquales in singulos gra- dus distribuendi sunt, quod propter graduum paruitatem vix circinus reperiri posset, qui commode, & sine errore divisionem illam in tam minutas partes per- ficiat, danda erit opera, vt, cum in huiusmodi divisione ad tam exiguos arcus peruentum fuerit, qui ægre beneficio circini in minutiores particulas secentur, adhibeamus doctrinam præcedentis lemmatis, qua nimurum particulas etiam minutissimas maiore interualllo pedum circini reperimus.

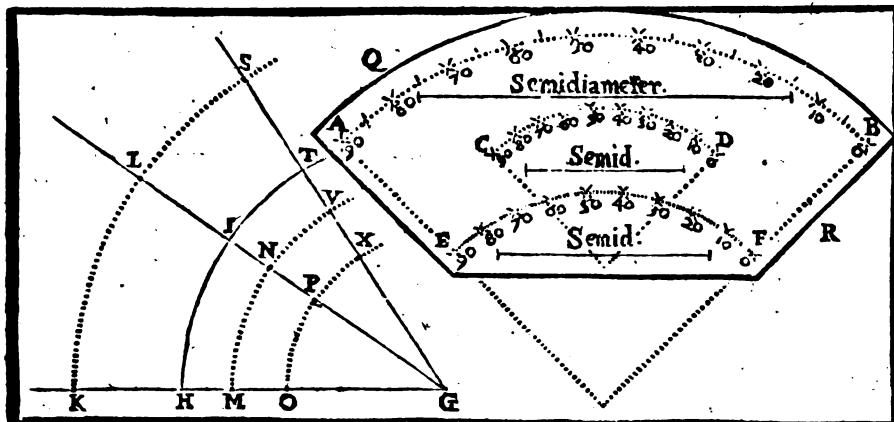


L E M M A III.

E X data circumferentia arcum quotlibet gradus inte- gros, vel quotlibet gradus, ac minuta complectem ab- scindere

scindere : Et contra, quot gradus ac minuta in quois arcu datę circumferentię contineantur, cognoscere , etiam si data circumferentia in gradus, ac minuta diuisa non sit.

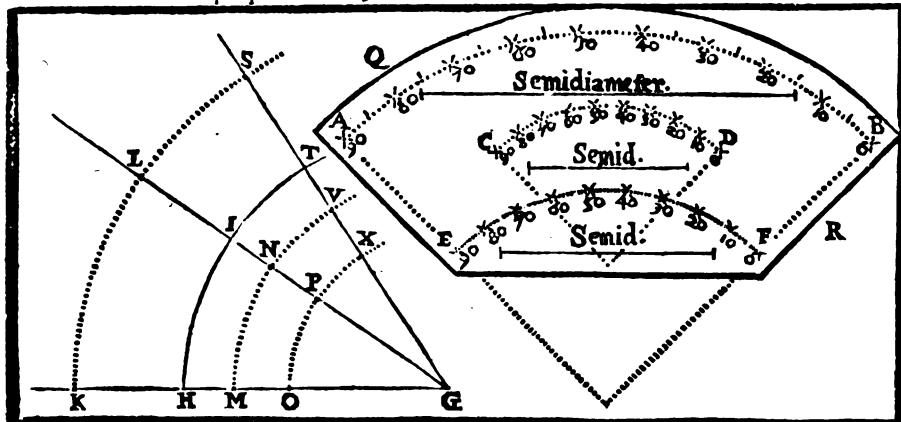
A D Initium nostrę Gnomonicę docuimus, si ex centro aliquius quadrantis in 90. gradus accurate diuisi recte linea ad singulos gradus emittantur, instrumentum esse paratū, quo in circumferentia cuiusvis circuli arcus accipiatur quotquot graduū ac minutorū, vsumq. huius instrumenti ibidē explicauimus: Sed quia perdifficile est lineas rectas ex centro ita exquisite ducere, ut ex quadrantes omnes ex eodem centro communi descriptos in 90. gradus équales partiantur, quod tamē omnino necessarium est , si in vsu instrumenti errate non velimus; construimus hoc loco aliud quasi instrumentum pro eodem vsu , meo iudicio, multo commodius, hoc modo.



D E S C R I B A N T V R in tabella ænea , uel lignea aliquot quadrantes non multum inter se distantes, quales sunt tres AB, CD, EF, siue ex eodem centro, siue ex diuersis, qui omnes inter se inæquales sint. vt nunc maiore, nunc minore, propt̄ res tulerit, vei possimus ; & iuxta quemlibet propria semidiameſter ponatur, quamvis hoc non sit omnino necessarium, cum interuallum 60. graduū sit semidiameſtro æquale, ex coroll. propos. 15. lib. 4. Eucl. Diuisis autem singulis quadrantibus in suos gradus. (in instrumento quadrans C D, propter paruitatem sectus est tantum in 45. partes , vt singulę binos contineant gradus,) si partes tabellę superfluę reſcentur , vt relinquatur figura QR, paratum erit quasi instrumentum; cuius vsus hic est.

S I T ex circumferentia HI, cuius centrum G, abſcindendus arcus quotuis graduum. (id quod frequentissime in Astrolabio faciendum est) nimis 35. Describatur ex G, ad interuallum semidiameſtri maioris quadrantis A B, si id magnitudo plani, in quo est arcus HI, permittit. arcus KL, vel, si id ob paruitatem plani fieri nequit, ad interuallum minoris alciuus quadrantis , pro commode plani, arcus MN, vel OP. Si enim ex quadrante, ad cuius semidiameſtri

tri quantitatem arcus ex G, descriptus est, interuallum 35. graduum transferatur in respondentem arcum ex K, in L, vel ex M, in N, vel ex O, in P; atque ex G, per L, vel N, vel P, recta educatur, secabitur, data circumferentia in I, arcusq; HI, gradus 35. continet, cum similis sit gam arcui KL, quam MN, vel OP, ex scholio propos. 22. lib 3. Eucl.



SI circumferentia proposita, verbi gratia KL, habeat semidiametrum & quem prorsus semidiametro alicuius quadrantis in instrumento, qualis hic est quadrans maior AB, tunc si arcus graduum propositorum transferatur in datam circumferentiam KL, habebitur propositum, ut perspicuum est.

QVOD si quando abscindendus sit arcus continens quotuis gradus, & insuper aliquot minuta, accipienda erunt illa minuta per estimationem, nimis gradus vnius pro 30. minutis, tertia autem pars pro 20. & duæ tertiaz partes pro 40. & tres quartæ partes pro 45. & paulo plus quam quarta pars, pro 16. vel 17. minutis, & sic de ceteris. Sed certius, & quidem Geometricè, docebitis minutâ quotlibet gradu abscindere, paulo inferius in hoc eodem lemmate, etiam si gradus in minuta divisi non sit.

RVRVS sit ad punctum G, cum recta GH, constituendus angulus compleæns gradus 57. min. 21. Descripto arcu KL, ex G, ad interuallum semidiametri quadrantis A B, (vel alterius cuiuspiam minoris, si spatium fuerit angustum) transferatur interuallum huius quadrantis continens gradus 35. & paulo amplius quam tertiam partem vnius gradus, ex K, vsque ad S. Ducta namque recta GS, constituet angulum quæsumum KGS.

VICISSIM desideret quis scire, quot gradus, ac minuta arcus HI, ex G, descriptus contineat. Hoc aequaliter, si ex G, delineet arcum, cuius semidiameter semidiametro alicuius quadrantis in nostro instrumento æqualis sit. Si enim recta ex G, per I, educatur, abscindet ea ex arcu descripto arcum similem arcui HI, ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. Si igitur arcus ille abscissus transferatur in quadrantem respondentem, illico apparebit, quot gradus contineat, ac minuta, sumendo 30. minuta pro semisse gradus; 40. pro duabus tertijs partibus, & sic de ceteris, prout maior pars vnius gradus offeretur. Ita inuenimus in arcu HI, contineri gradus 35. quod totidem gradus contineat arcus KL, in quadrante AB, vel arcus MN, in quadrante EF, vel arcus OP, in quadrante CD. At in arcu HT,

HT, reperimus ferme gradus 57. & minuta 21. quia totidem gradus ac minuta arcus KS, in quadrante AB, vel arcus MV, in quadrante EF, vel arcus OX, in quadrante CD, includit.

EX his manifestum est, satis esse ad problema hoc efficiendum, si unus tantum quadrans adsit cuiusvis magnitudinis exquisite in gradus diuisus: nisi quod aliquando planum propositum tantum non est, ut in eo arcus describi possit ad interuum semidiametri quadrantis. Quod cum accidet, describenda erit data circumferentia, vna cum illo arcu, in alia charta seorsum, &c. Quare commodus erit instrumentum, si plures in eo quadrantes inaequales continetur.

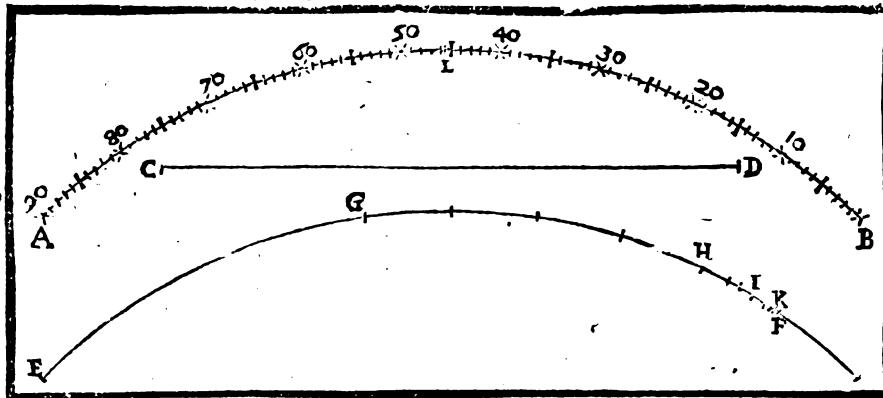
P R A E F E R O autem usum vnius quadrantis, vel plurium illi instrumento, quod initio nostræ Gnomonices construximus, quia magis æquales sunt gradus in quolibet quadrante seorsum diuisio, quam gradus, quos rectæ ex centro emissæ exhibent in alio quadrante ex eodem centro descripto, quod perdifficile sit illas rectas proportionalibus inter se spatiis semper distantes educere.

I A M verò, si huiusmodi instrumentum præ manibus non habeatur, commode quoque ita agemus. Quadrans eius circuli, in cuius circumferentia gradus propositi abscindendi sunt, diuidatur in tres partes, & quælibet tertia pars iterum in tres, vt habentur 9. quarum singulæ 10. gradus contineant. Postremò ultima pars sola in 10. gradus distribuatur. Nam beneficio huius partis diuisæ, & aliarum partium non diuisarum, arcum quotcumque graduum accipiemus, hoc modo. Si graduum numerus non excedat 10. facile in ultima parte 10. graduum gradus propositus sumet. Si vero numerus graduum maior sit, quam 10. verbi gratia 57. statuimus vnum pedem circini in gradu septimo partis diuisæ in 10. gradus, numerando hos 7. gradus non ab extremo exteriore, sed intérieur, alterum verò circini pedem extendemus usque ad talē partem quadrantis, vt arcus inter pedes circini complectatur gradus 57. Vel certe duabus operationibus rem exequemur, sumendo primum inter partes quadrantis non diuisas, gradus datos à 10. numeratos, & deinde reliquos gradus in extrema parte in 10. gradus diuisa. Ut in proposito exemplo, primum sumemus 5. partes non diuisas, quæ continent gradus 50. deinde accipiemus 7. gradus in parte diuisa, atque ita habebimus 57. gradus. Eademque ratio est de ceteris. Itaque satis foret, si in instrumento singuli quadrantes in 9. partes secarentur, & ultima deinde so la pars in 10. gradus distribueretur.

Q V I A vero, quando propositus arcus præter gradus continet etiam aliquot minuta, perfici atque absolui hoc lemma nequit, nisi plus minus per estimacionem, vel coniecturam, vt diximus: doceamus, qua ratione Geometricè abscindendus sit arcus, in quo præter gradus, quotcumque etiam minuta proposita comprehendantur: Et vicissim, quo pacto cognoscendum, quot minuta in quavis particula vnius gradus contineantur. Quamvis enim hoc ipsum ad finem libelli de fabrica & usu instrumenti horologitorum docuimus, quia tamen libellum illum non semper in promptu habemus, libuit idem hoc loco breuiter repetere, præsertim cum maximus eius rei usus in Astrolabio reperiatur.

A R C V S igitur tot graduum, quot minuta desiderantur, secerit in 60. partes æquales. Sexagesima namq; particula continebit minutorum numerum propositum. Ut si desiderantur in aliquo gradu quadrantis AB, cuius semidiameter CD, minuta 53. diuidemus arcum 53. graduum, vel potius ei æqualem FG, in cir-

in circumferentia EF, quæ semidiametrum equarem habeat semidiametro CD,
vt confusio evitetur, in 60. partes æquales. (diuidendo eum primum in quinque
partes æquales, deinde unamquamq; harum in tres partes; vel prius in tres
deinde unamquamque in quinque, & harum singulas bifariam, ac deinde singu-



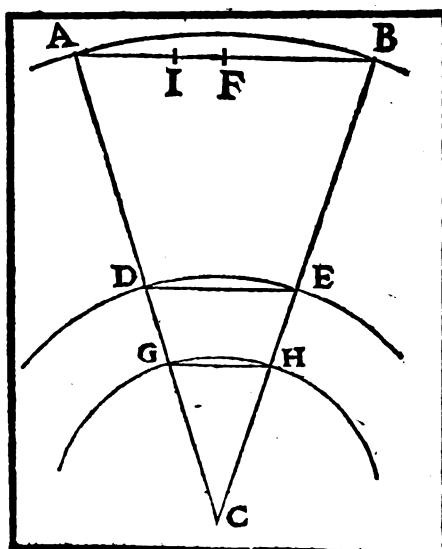
bis, aut quater, aut octies, &c. (prout arcus sumptus est duplus, vel quadruplus, octuplusue) tot minuta, quot inquiruntur. Quare quando arcus duplus diuisus est, si particula illa sexagesima fecetur bifariam: & haec, si arcus quadruplus diuisus est, iterum bifariam: & haec, quando octuplus areus diuisus est, rursus bifariam, continebit vna particula vltimæ diuisionis minuta quæsta. Liquido autem constare arbitror, faciliorem esse diuisionem parvuli cuiuspiam arcus in duas partes æquales, cum hoc æstimatione, vel conieatura sine errore possit fieri, quam arcus non satis magni in 60 partes æquales.

I AM è contrario si ex aliquo gradu absindatur particula quæpiam, & nosse quis cupiat, quot minuta & secunda complectatur, sumenda est ea particula beneficio circini exquisitissime sexages ordine continuato, a principio quadrantis factò inicio. Nam quot gradus integri in arcu illo, qui data particula sexagecuplus est, continentur, tot minuta particula data complectetur. Hac ratione, si particula, quam vltra 45. gradus continere diximus minuta 53. circino sexages ordine continuo repetatur, initio factò a puncto B, incideimus præcise in gradum 53. finitum. Quare particula illa minuta 53. continebit Denon stratio huiusc rei haec est. Sit arcus FG, sexagecuplus particulæ datæ, cui æqualis sit particula FK. Quia igitur est, vt arcus graduum 60. ad gradum 1. ita arcus FG, ad arcum FK, erit permutando quoque, vt arcus 60. graduum ad arcum FG, ita arcus 1. gradus ad arcum FK, & conuertendo, vt arcus FG, ad arcum 60. graduum, ita arcus FK, ad arcum 1. gradus. Quot ergo sexagesimæ partes arcus 60. graduum, hoc est, quot gradus in arcu FG, continentur, tot sexagesimæ partes vnius gradus, hoc est, tot minuta, in arcu FK, continebuntur.

S I in arcu illo sexagecuplo continentur aliquot gradus, & insuper aliqua particula vnius gradus, indicabunr quidem gradus integri in eo arcu contenti minutorum numerum, sed cum particula illa inuestigabuntur etiam secunda eodem modo. Nam ea sexages sumpta dabit arcum tot graduum, quot secundis particula illa æquivalet. Eodemque modo si in hoc arcu sexagecuplo particula quæpiam superfluerit, inuenientur Tertia, &c. Sed satis est, meo iudicio, si minuta diligenter inquirantur. Et si quidem particula remanens maior fuerit dimidiato gradu, minutis inuentis adiiciatur adhuc vnum minutum; si vero semis gradus fuerit minor, nihil addatur.

H AEC res felicus quoque in magnis quadrantibus succedit, quam in partibus, quod facilius circino comprehendendi possint particulæ maiorum graduum, quam minorum, sine errore. Quare si gradus sint perpusilli, & data particula dimidiato gradu non major, accipiemus arcum ex particula data, & proximo gradu compositum sexages, & ex hoc arcu sexagecuplo abiciemus grad. 60. qui nimur sexages vna cum data particula sumptu fuerunt. Nam reliquus numerus graduum dabit numerum minutorum, vt prius. Si vero data particula semis se vnius gradus sit maior, inuestigabimus eodem modo minuta reliqua minoris particulæ, sumendo videlicet atcum eompositum ex reliqua illa particula minore, & uno gradu sexages, &c. quia si maiorem particulam acciperemus, fieret arcus sexagecuplus maior quadrante. Inuenta deinde minuta minoris illius particulæ reliqua ex 60. detrahemus, vt reliqua fiant minuta maioris particulæ data. Hac ratione, si particulam reliquam data superioris particula, cui æqualis est FK, quoniam semis vnius gradus maior est, cum uno gradu accipiamus sexages, conflabimus arcum constatèm ex 67. gradibus. Abiectis autem 60. remanent 7. Tot ergo minuta in minore illa particula reliqua existunt: que ex 60. dempta relinquent minuta 53. pro data particula maiore.

QVIA vero & molestum est, hucusmodi arcum sexages beneficio circini
reptere, & facile in ea multiplicatione error committi potest, vtendum erit
hoc compendio. Arcus ex particula, & uno gradu compositus duplicitur, hic
duplus iterum duplicitur, vt habeatur quadruplus arcus. Hic rursus duplique-
tur, vt habeatur octuplus, atque hic iterum duplicitur, vt habeatur arcus sedecim-
plus, & hic bis adhuc duplicitur, vt habeatur ille arcus sexages, & quater; ita
vt in vniuersum sex fiant duplications. Ex arcu autem hoc relictantur gradus
60. & insuper quadruplum arcus ex uno gradu, & particula minore compositi,
quia sumptus est sexages & quater, cum sumi debuisse tantum modo sexages. Re-
liqui enim gradus ostendunt numerum minutorum, quibus particula illa mi-
nor æquiualeat. Hoc modo, si eandem particulam minorem, de qua supra, cum
uno gradu sexies dupliceamus, conficiemus arcum grad. 71. & amplius, ex quo si
relicciamus grad. 60. & adhuc arcum ex particula & gradu compositum, quater
sumptum, relinquentur gradus 7. Continet ergo particula illa minor minuta 7.
Ideoque maior data habebit minuta 53. Quod si particula data sine gradu se-
xies duplicitur, vt habeantur 64. particulae in arcu composito, abicienda es-
set tantummodo particula illa quater sumpta ex eo arcu, qui datam particulam
continet quater & sexages. Sed alio quoque modo per instrumentum in scho-
lio Canonis 1. lib. 3. inuestigabimus arcum quotlibet graduum, ac minutorum:
rum: & vicissim, quot gradus, ac minuta in dato arcu contineantur, depre-
hendemus.



SED quoniam grandior altius quadrans facilius in gra-
dus distribuitur, quam parvus,
absoluti poterit problema hoc
per unicum quadrantem tan-
tae magnitudinis, vt commode
eum in 90. gradus partiri quea-
mus, hoc modo. Sit portio qua-
drantis in 90. gradus diuisi AB,
& arcui AB, quotlibet graduum
ac minutorum ex proposito aliis
circulo arcus similis abstenden-
dus. Si ergo circulus propositus
maiore fuerit sortitus semidia-
metrum semidiametro circuli
AB, describatur ex eius centro
circulus ad interuallum semi-
diametri circuli AB, in quem
beneficio circini transferatur
datus arcus AB. Si enim ex cen-
tro per extrema puncta arcus
translati due rectæ ducantur,
intercipient ex arcum similem
in circulo dato maiore, ex scho-

lio propos. 22. lib. 3. Eucl.

SI verò propositus circulus minorem semidiametrum habuerit semidiametrum
circuli AB, si quidem in plano, in quo datus circulus est, ex centro dati cir-
culi ad interuallum semidiametri circuli AB, circulus describi potest, describa-
tur, &

L E M M A III. E T IIII. II

tur, & in eum arcus AB, transferatur. Rectæ enim ex centro per extrema puncta arcus translati emisæ auferent ex dato circulo minore arcum similem, ex eodem scholio propos. 22. lib. 3. Eucl.

A T si planum, in quo circulus proponitur, tantu' non est, ut ex centro circulus ipsi AB, æqualis describi possit, ita agemus. Ex centro circuli dati describatur circulus ad interuum semissis semidiametri circuli AB, vel chordæ grad. 60. in quem transferatur semissis chordæ arcus dati AB. Arcus enim abscissus similis est arcui AB. Quare si ex centro rectæ duæ educantur per extrema puncta huius arcus abscissi, auferetur quoque ex circulo dato arcus similis. Hoc autem sic demonstrabimus. Sit circuli AB, semidiameter AC, secunda bisariam in D, & per D, ex C, descriptus arcus DE, in quem transferatur chorda DE, semissi chordæ AB, nimirum ipsi AF, æqualis. Dico arcum DE, arcui AB, similem esse. Ducta enim semidiametro CB, secante arcum DE, in E, neccatur recta DE. Quoniam igitur AC, BC, secundæ sunt proportionaliter, hoc est, in partes æquales, erit AB, DE, rectæ parallelæ, ideoque per coroll. propos. 4. lib. 6. Eucl. trian-
gula CAB, CDE, similia erunt; atque erit, ut CA, ad AB, ita CD, ad DE: Et permutando, ut CA, ad CD, ita AB, ad DE. Cum ergo CA, ipsius CD, dupla sit, erit & AB, ipsius DE, dupla. Quare semissis AF, ipsius AB, translatâ ex D, in circulum DE, cadet in Eac propterea cum arcus DE, arcui AB, similis sit, ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. auferet semissis chordæ AB, arcum similem quod est propositum.

Q V O D si circulus DE, interuum semissis chordæ 60. graduum arcus AB, descriptus nimis magnus sit, ita ut in plano dati circuli describi nequeat, describatur interuum tertia partis chordæ 60. graduum arcus AB, circulus GH. Nam si AI, tertia pars chordæ AB, transferatur ex C, in H, erit rursum arcus GH, arcui AB, similis. quod eodem modo demonstrabitur. Eadem ratione describi poterit circulus interuum quartæ partis, vel quintæ, &c. pro commodi-
tate plani, in quo datum circulus est.

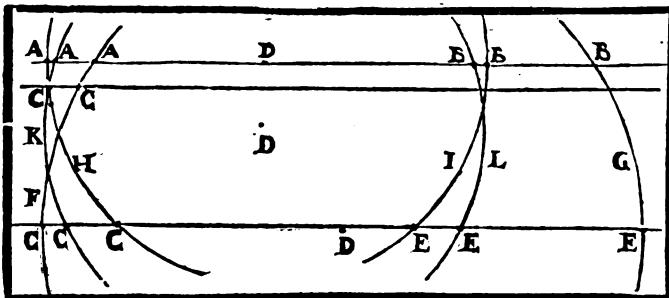
Q V A N D O interuum lo semissis chordæ 60. graduum circulus descriptus est, allequemur propositionum dicto ferè citius, beneficio circini, cuius crura se in-
tersecant, ita ut maiorum interuum duplum semper sit interuum minorum. Nam si longioribus cruribus arcus, datorum graduum AB, accipiatur, abscin-
dant breuiora crura arcum similem DE.

C A E T E R V M si eiusmodi circinus in promptu non sit, accipiemus dictæ chordæ AB, semissim, vel tertiam partem, quartamue, &c. si ducamus plures pa-
rallelas, æqualibus interuum ijsque exiguis, inter se distantes. Nam si chorda AB, beneficio circini in eas inferatur, ut includat duo, vel quatuor, aut sex spa-
tia, diuisa erit bisariam à linea media Stc si transferatur in easde, ut includat tria, vel sex, aut nouem spatia, diuisa erit in tres partes æquales à duabus lineis
intermediis ab extremis equaliter distantibus. Et sic de ceteris. Hoc autem de-
monstrauimus ad finem scholij propos. 40. lib. 1. Eucl. in ultimo modo diu-
dendi rectam lineam in quotuis partes æquales.

L E M M A IIII.

P E R datum punctum datae rectæ lineæ parallelam
lineam ducere.

QVAMVIS problema hoc Euclides lib. i. propos. 3 i. confecerit, & nos ibidem eiusdem rei varias praxes tradiderimus, occurrit tamen nunc alia praxis meo iudicio longe facilior, siue punctum datum sit propinquum datæ rectæ, siue non, quam hoc loco inferendam esse censui propter frequentem eius usum tum in Astrolabio, tum in aliis rebus Geometricis. Sit ergo data rectæ AB, per punctum C, ducendam parallela. Ex quolibet punto accepto D, quod a C, distans sit, siue intra datam lineam, siue extra, vt centro, describatur per datum punctum C, circulus secans datam rectam in punctis A, B; (Non est autem necesse, vt tous circulus describatur, sed satis est, si duo eius arcus rectam datam secantes delinquentur, ita tamen vt oculorum iudicio arcus BE, arcu AC, minor non sit,



C, E, parallela erit rectæ AB, vt ex iis constat, qua: in schol. propos. 27. lib. 3. Eucl. demonstrauimus, propter arcus AC, BE, æquales. Commodius autem res peragetur, si punctum D, non in linea, sed extra sumatur, ita tamen, vt fere medium locum occupet inter datam lineam, & parallelam ducendam, quod sola astimatione, plus minus, accipiendum est. Ita enim fieri, vt arcus descripti minus oblique datam rectam, & parallelam ductam interfescant. In figura arcus AFC, BGE, ex centro D, remotissimo à linea data AB, descripti sunt: arcus vero AHC, BIE, ex centro D, in data linea assumpto: arcus denique AKC, BLE, ex centro D, in medio fermè duarum linearum existente, quod omnium ad problema efficiendum est aptissimum.

L E M M A V.

QVAM proportionem habent sinus toti, hoc est, semidiametri quorumlibet circulorum, eandem habent sinus tam recti, quam versi arcuum similium. Et contra, arcus quorum sinus tam recti, quam versi, eandem proportionem habent, quam sinus toti, similes sunt.

SINT arcus AB, CD, circulorum, quorum semidiametri AE, CF, similes, & eorum sinus recti BG, DH, versi autem GA, HC. Dico esse, vt AE, ad CF, ita tam BG, ad DH, quam GA, ad HC. Iunctis enim semidiametris EB, FD, erunt ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. anguli E, F, æquales, ob arcus similes AB.

^{32. primi.} CD Cum ergo & anguli recti G, H, æquales sint; ^{33. sexti.} æquiangula erunt triangula BEG, DFH. Igitur erit, vt EB, hoc est, vt EA, sinus totus, ad BG, sinus rectu. ita FD,

L E M M A V. E T VI.

13

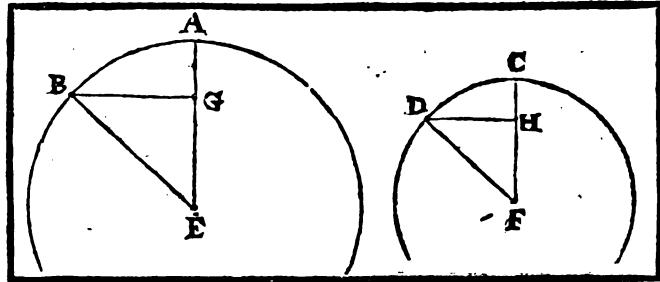
Ita FD , hoc est, ita FC , sinus totus, ad DH , sinum rectum; & permutando, vt EA , ad FC , ita BG , ad DH .

R V R S V S : quia ob similitudinem triangulorum est, vt EB , hoc est, vt A . *sexti*, EA , ad EG , ita FD , hoc est, ita FC , ad FH ; erit per conuerzionem rationis, vt EA , sinus totus ad GA , sinum versum, ita FC , sinus totus ad HC , sinum versum: Et permutando, vt EA , ad FC , ita GA , ad HC .

S E D

iam sit, vt

AE , sinus totus ad CF , sinu totu, ita tam sinus recto BG , ad sinu rectu DH , quam versus GA , ad versus



HC. Dico arcus AB , CD , similes esse. Ductis enim rursus semidiametris EB , FD ; quoniam est, vt AE , hoc est, vt EB , ad CF , hoc est, ad FD , ita BG , ad DH : & permutando, vt EB , ad BG , ita FD , ad DH ; Sunt autem & alij anguli recti G , H , æquales, & proinde reliquorū angulorū E , F , vterque minor recto, ex coroll. 1. propos. 17. lib. 1. Eucl. b Erunt triangula BEG , DFH , æquiangula, æqua b *7. sexti*. lesq; habebunt angulos E , F . Quamobrem ex schol. propos. 22. lib. 3. Eucl. arcus AB , CD , similes sunt.

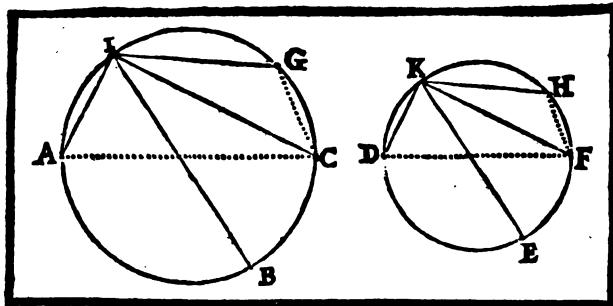
R V R S V S quia est, vt AE , ad CF , ita GA , ad HC ; & permutando, vt AE , ad GA , ita CF , ad HC , erit per conuerzionem rationis, vt AE , hoc est, vt EB , ad EG , ita CF , hoc est, ita FD , ad FH . Cū ergo & alij anguli recti G , H , sint æquales, ac proinde reliquorū angulorū B , D , vterq; recto minor, ex coroll. 1. propos. 17. lib. 1. Eucl. c erunt triangula BEG , DFH , æquiangula, angulosq; æquales habe c *7. sexti*. bunt E , F . Quocirca ex schol. propos. 22. lib. 3. Eucl. arcus AB , CD , similes sunt.

L E M M A VI.

S I segmentis similibus circulorum inæqualium similia segmenta adjiciantur, vel a similibus similia demandantur; tota quoque, vel reliqua segmenta similia erunt.

THEOREMA hoc, quod ad detractionem similiū segmentorū ex semicirculis, vel etiam totis circulis attinet, demonstratum a nobis est in scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. Hic autem idē in vniuersum de quibuscumque segmentis, vt propositionem est, ostendemus, & quidem facilius. Hoc enim in iis, qua sequuntur, indigebimus. Sint ergo in circulis inæqualibus (Nam in æqualibus similia segmenta sunt æqualia, ac proinde si æqualibus æqualia addantur, vel ab æqualibus æqualia detrahantur, tā tota, quam reliqua, æqualia quoque erunt) similes arcus ABC ,

ABC, DEF, siue semicirculi sint, siue non, eisque similes arcus CG, FH, adiiciantur. Dico totos quoque arcus ABG, DFH, similes esse. Sumptis enim in reliquis segmentis AIG, DKH, duobus punctis I, K, vtcunque, iungantur rectæ AI, CI, GI, DK, FK, HK. Quia igitur similes sunt arcus ABC, DEF, erunt . ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. anguli AIC, DKF, æquales : Eademque ratione æquales erunt anguli CIG, FKH, ob similes arcus CG, FH. Toti ergo anguli AIG, DKH, æquales erunt; ideoque ex eodem scholio, arcus ACB, DFH, quibus nō stant, similes erunt quod est propositum.



SED iam ex similibus arcub⁹ ABC, DEF, siue semicirculisint, siue non, auctorantur arcus similes A B, DE. Dico reliquos quoq; arcus BC, EF, similes esse .

Sumptis enim

rursum duobus punctis I, K, vtcunque in peripheriis extra datos arcus, necstantur rectæ AI, BI, CI:DK, EK, FK. Quoniam igitur totus arcus ABC, toti arcui DEF, similis est; erit ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. totus angulus AIC, toti angulo DKF, æqualis : Eademque ratione ablatus angulus AIB, ablatu angulo DKE, æqualis erit, ob arcus similes AB, DE. Igitur & reliquus angulus BIC, reliquo angulo EKF, æqualis erit, ideoque ex eodem scholio, arcus BC, EF, similes erunt. quod est propositum.

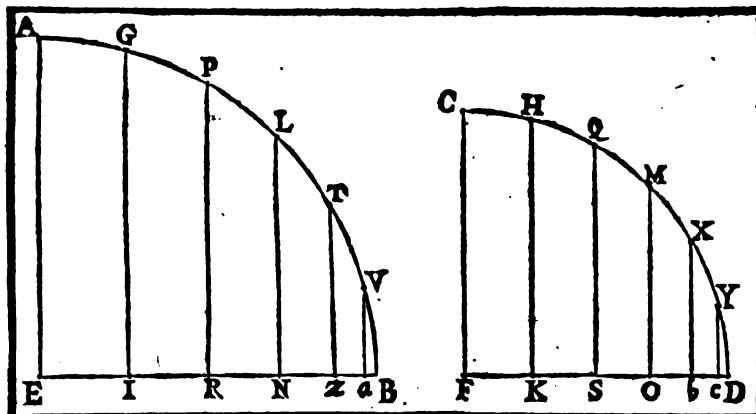
¶ **I**AM si ex totis circulis tollantur similes arcus IAC, KDF, ostendemus reliquos CGI, FHK, similes quoque esse, vt in prædicto scholio , hac scilicet ratione . Sumptis singulis punctis A, G; D, H, in singulis arcibus , iungantur rectæ IA, CA; IG, CG; KD, FD; KH, FH. Quia igitur segmenta IAC, KDF, similia sunt, erunt ex defini. segmentorum similium, anguli IAC, KDF, æquales . Cum ergo tam duo anguli oppositi A, G, quam D, H, æquales sint duobus rectis, erunt quoque duo anguli IGC, KHF, æquales; atque idcirco, ex eadem defin. arcus IGC, KHF, similes erunt. quod est propositum .

L E M M A VII.

SI duo quadrantes inæquales similiter secentur, vel in partes æquales, & per divisionum puncta vni semidiametro parallelæ agantur, siue ad alteram semidiametrum perpendicularares; erunt segmenta semidiametri in uno quadrante a parallelis, vel perpendicularibus facta, segmentis semidiametri à parallelis, siue perpendicularibus in alte-

in altero quadrante factis proportionalia: Et contra, si segmenta semidiametrorum sint proportionalia, quadrantes similiter secti erunt.

DVO quadrantes inæquales AB, CD, quorum centra E, F, & semidiametri AE, EB; CF, FD, secentur primum in binas partes similes in punctis G, H,



aganturq. semidiametris AE, CF. parallelae GI, HK, ac proinde ad semidiametros EB, FD, perpendiculares. Dico segmenta semidiametri EB, segmentis semidiametri FD, esse proportionalia, hoc est, esse vt EI, ad IB, ita FK, ad KD. Quoniam enim EI, FK, sinus sunt arcuum similium AG, CH, quod æquales sunt perpendicularibus ex G, H. ad AE, CF, ductis, quæ quidem sinus sunt arcuum AG, CH; erit ex lemmate 5. vt EB, sinus totus ad FD, sinus totum, ita sinus EI, ad sinus FK: Et permutando, vt EB, sinus totus, ad sinus EI, ita FD, sinus totus ad sinus FK: Et diuidendo, vt IB, ad EI, ita KD, ad FK, conuertendoq. vt EI, ad IB, ita FK, ad KD.

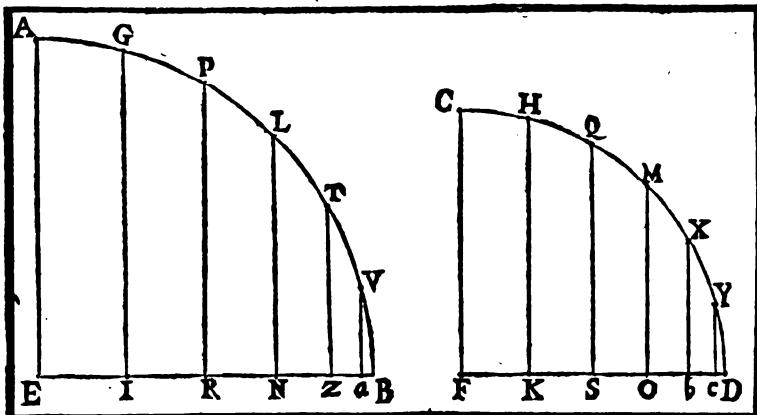
DEINDE ijdem quadrantes secentur in ternas partes similes in punctis G, L, H, M, ducanturq. semidiametris AE, CF, parallelae GI, LN, HK, MO. Dico segmenta EI, IN, NB, easdem proportiones habere, quas segmenta FK, KO, OD, habent. Erunt enim ex lemmate præcedente, toti quoque arcus AL, CM, similes, quorum sinus sunt EN, FO. Igitur per lemma 5. erit, vt EB, sinus totus ad FD, sinus totum, ita tam sinus EI, ad sinus FK, quam sinus EN, ad sinus FO, ac proinde erit quoque vt tota EN, ad totam FO, ita ablata EI, ad ablata FK, ideoq. reliqua IN, ad reliquam KO, vt tota EN, ad totam FO, vel vt ablata EI, ad ablata FK. Quia igitur est, vt EI, ad FK, ita IN, ad KO, erit permutando quoque vt EI, ad IN, ita FK, ad KO; atque ita segmenta EI, IN, segmentis FK, KO, proportionalia sunt. Rursus quia est, vt tota EB, ad totam FD, ita ablata EN, ad ablata FO, ex lemmate 5. vt dictum est, erit 15. quinti. quoque reliqua NB, ad reliquam OD, ut tota EB, ad totam FD, vel vt ablata EN, ad ablata FO. Erat autem, vt EN, ad FO, ita IN, ad KO, vt paulo ante ostensum est. Igitur erit etiam, vt IN, ad KO, ita NB, ad OD, & permutando,

vt IN, ad NB, ita KO, ad OD. Tria ergo segmenta EI, IN, NB, tribus segmentis FK, KO, OD, proportionalia sunt.

P R A E T E R E A idem quadrantes secuti sint in quaternos arcus similes in punctis G, P, L, H, Q, M, & semidiametris AE, CF, parallelez agantur GI, PR, LN, HK, QS, MO. Dico rursus, quatuor segmenta EI, IR, RN, NB, quatuor segmentis FK, KS, SO, OD, proportionalia esse. Erunt enim ex lemma precedente tam toti arcus AP, CQ, quam toti AL, CM, similes quoque, quorum sinus sunt ER, EN, FS, FO. Igitur per lemma q. erit, vt EB, sinus totus, ad FD, sinus totum, ita sinus EI, ad sinus FK, & sinus ER, ad sinus FS, & sinus EN,

11. quinti. ad sinus FO, atque adeo erit EI, ad FK, vt ER, ad FS, & vt EN, ad FO. Quia igitur est, vt tota ER, ad totam FS, ita ablata EI, ad ablatam FK, erit & reliqua IR, ad reliquam KS, vt tota ER, ad totam FS, vel vt ablata EI, ad ablatam FK. Eandem ergo proportionem habet EI, ad FK, quam IR, ad KS. Et permutando eandem EI, ad IR, quam FK, ad KS; ac proinde duo segmenta EI, IR, duobus segmentis FK, KS, proportionalia sunt. Rursus quia est, vt tota EN, ad to-

19. quinti. gitur est, vt tota EN, ad totam FO, ita ablata EI, ad ablatam FK, quam IR, ad KS, vt tota EN, ad totam FO, vel vt ablata ER, ad ablatam FK. Et permutando eandem EI, ad IR, quam FK, ad KS; ac proinde duo segmenta EI, IR, duobus segmentis FK, KS, proportionalia sunt. Rursus quia est, vt tota EN, ad to-



19. quinti. tam FO, ita ablata ER, ad ablatam FS, vt diximus; et it etiam reliqua RN, ad reliquam SO, vt tota EN, ad totam FO, vel vt ablata ER, ad ablatam FS. Erat autem vt ER, ad FS, ita IR, ad KS, vt ostendimus. Ergo erit quoq. vt IR, ad KS, ita RN, ad SO; Et permutando, vt IR, ad RN, ita KS, ad SO. Atque ita tria segmenta EI, IR, RN, tribus segmentis FK, KS, SO, proportionalia sunt. Postremo quia est, vt tota EB, ad totam FD, ita ablata EN ad ablatam FO, ex lemma

19. quinti. s. vt ostendimus; erit quoque reliqua NB, ad reliquam OD, vt tota EB, ad totam FD, vel vt ablata EN, ad ablatam FO. Erat autem, vt paulo ante demonstratum est, vt EN, ad FO, ita RN, ad SO. Igitur erit quoque vt NB, ad OD, ita RN, ad SO, hoc est, vt RN, ad SO, ita NB, ad OD: Et permutando ut RN, ad NB, ita SO, ad OD. Quatuor ergo segmenta EI, IR, RN, NB, quatuor segmentis FK, KS, SO, OD, proportionalia sunt. Eademque ratio est de pluribus.

P E R S P I C V V M autem est, demonstrationem hanc concludere, etiam si quadrantes in partes equeales sint diuisi. Nam si diuidatur uterque quadrans in sex partes aequales, ut AB, in AG, GP, PL, LT, TV, VB, & CD, in CH, HQ, QM, MX, XY, YD, erunt sex priores posterioribus sex similes, cum quilibet

prio-

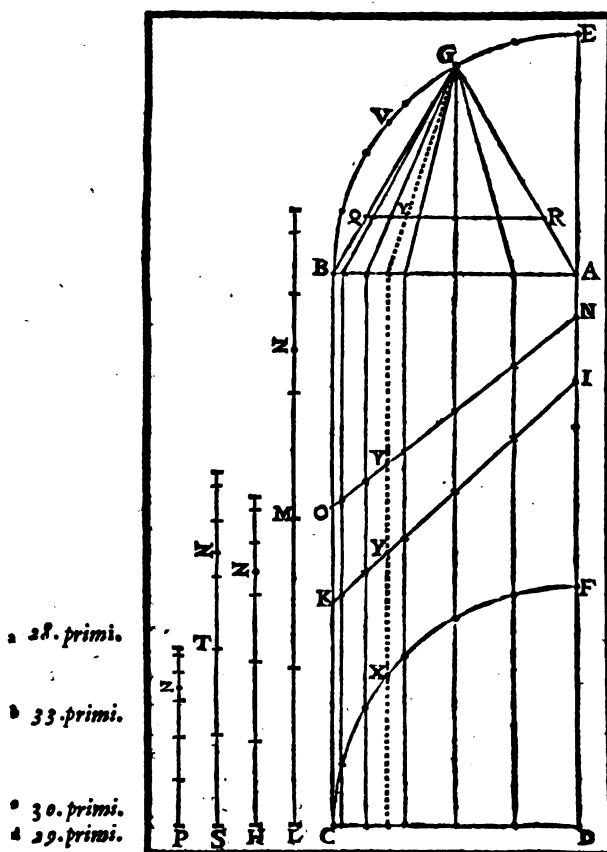
priorum sit sui quadrantis eadem pars, quæ sui quadrantis est quilibet posteriorum. Quare, vt ostensum est, segmenta semidiametrorum proportionalia sunt.

S I N T iam segmenta semidiametrorum proportionalia. Dico arcus a perpendicularibus abscissos similes esse. Ponantur enim primum duo segmenta EI, IB, duobus segmentis FK, KD, proportionalia, id est, sit ut EI, ad IB, ita FK, ad KD. Erit igitur permutando, vt EI, ad FK, ita IB, ad KD. Ergo vt EI, vna ad FK, vnam, ita erunt EI, IB, simul, nimirum sinus totus EB, ad FK, KD, simul, nimirum ad sinum totum FD. Cum ergo EI, FK, sint sinus arcuum AG, CH; erunt per lemma 5. arcus AG, CH, similes; ideoq; & reliqui GB, HD, similes erunt, ex praecedente lemmate, cum etiam toti arcus AB, CD, similes sint, ut pro parte quadrantes.

D E I N D E ponantur tria segmenta, EI, IR, RC, tribus segmentis FK, KS, SD, proportionalia. Erit rursus permutando, EI, ad FK, ita IR, ad KS, & RB, ad SD. Ergo vt EI, vna ad vnam FK, ita erunt omnes EI, IR, R B, id est, sinus totus EB, ad omnes FK, KS, SD, id est, ad sinum totum FD. Cum ergo EI, FK, sinus sint arcuum AG, CH; erunt ex lemmate 5. arcus AG, CH, similes. Rursus cum sit, vt EI, ad FK, ita IR, ad KS, erit vt EI, ad FK, ita EI, IR, simul, hoc est, tota ER, ad FK, KS, simul, hoc est, ad totam FS. Erat autem, vt EI, ad FK, ita EB, ad FD. Ergo erit quoque vt ER, ad FS, ita sinus totus EB, ad sinum totum FD. Quocirca cum ER, FS, sinus sint arcuum AP, CQ: erunt ex lemmate 5. arcus AP, CQ, similes; ac proinde per antecedens lemma, & reliqui arcus PB, QD, similes erunt. Et quia ostensi sunt similes arcus AG, CH, si hi ex similibus AP, CQ, demantur, erunt etiam reliqui arcus GP, HQ, similes, ex codice antecedente lemmate. Omnes ergo tres arcus AG, GP, PB, omnibus tribus arcibus CH, HQ, QD, similes sunt.

R V R S V S sint quatuor segmenta EI, IR, RN, NB, quatuor segmentis FK, KS, SO, OD, proportionalia: Eritq. permutando, vt EI, ad FK, ita IR, ad KS, & RN, ad SO, & NB, ad OD. Ergo, vt EI, ad FK, ita sinus totus EB, ad sinum totum FD; Ac propterea, cum EI, FK, sinus sint arcuum AG, CH; erunt ex lemmate 5. arcus AG, CH, similes. Rursus quia est, vt EI, ad FK, ita IR, ad KS; erit vt EI, ad FK, ita tota ER, ad totam FS. Vt autem EI, ad FK, ita erat sinus totus EB, ad sinum totum FD. Igitur erit quoque, vt ER, sinus arcus AP, ad FS, sinus arcus CQ, ita sinus totus EB, ad sinum totum FD. Ac proinde ex lemmate 5. similes erunt arcus AP, CQ, demptisque similibus AG, CH, reliqui GP, HQ, similes quoque erunt, ex antecedente lemmate. Præterea cum sit, vt EI, ad FK, ita IR, ad KS, & RN, ad SO; erit, vt EI, ad FK, ita tota EN, ad totam FO. Erat autem, vt EI, ad FK, ita EB, ad FD. Igitur erit quoque, vt EN, sinus arcus AL, ad FO, sinus arcus CM, ita sinus totus EB, ad sinum totum FD, atque idcirco per lemma 5. arcus AL, CM, similes erunt; ideoque per antecedens lemma, & reliqui arcus LB, MD, similes erunt. Et quia similes ostensi sunt arcus AP, CQ; si tollantur ex similibus AL, CM, reliqui etiam arcus PL, QM, similes erunt. Omnes ergo quatuor arcus AG, GP, PL, LB omnibus quatuor arcibus CH, HQ, QM, MD, similes sunt. Eademque de pluribus est ratio.

DATAM rectam lineam ita secare, ut semidiameter alicuius quadrantis secta est a perpendicularibus, quæ a quibusuis punctis quadrantis ad ipsam demittuntur.



metrum AB, DC, perpendicularares. Diuisa ergo est utraque semidiameter AB, DC, a perpendicularibus quadrantum demissis. Ut autem aliam quamcumque rectam lineam sive maiorem, sive minorem semidiametro AB, similiter feces, ac si semidiameter esset alicius quadrantis, diuisaq; a perpendicularibus, &c. construatur super AB, triangulum æquilaterum ABG; cadetq; punctum G, in gra-

dum 30. quadrantis, numeratione ab E, incepta, cum BG, sextam partem circuli subtendens, æqualis sit semidiametro AB, ex coroll. propos. 15. lib. 4. Eucl. Postremo ex G, ad puncta sectionum semidiametri AB, rectæ deducantur, constructæ; erit figura, quam desideramus.

SI igitur recta H, secunda in partes proportionales partibus semidiametri AB, maior fuerit semidiametro AB, (si æqualis foret, transferenda essent segmenta semidiametri AB, in eam, ut similiter secaretur) transferatur beneficio circini a quoquis punto lateris AD, ad latus AB, qualis est IK, quæ secabitur a parallelis, vt secta est AB, ex demonstratione propos. 10. lib. 6. Eucl. cum KL, BA, producuntur, conuenient, triangulumq; cœstituerent, cuius basis BK, &c. Quare si segmenta rectæ IK, transferantur in datam rectam H, erit recta H, secta, vt AB, secta est, ac si à perpendicularibus ex gradibus quadrantis, cuius semidiameter H, demissis diuideretur: propterea quod hæ perpendicularares ipsam H, secarent, ex lemma precedenti, in partes proportionales partibus rectæ AB.

QVO si detur recta L, ita longa, vt in parallelas translata nimis oblique ipsas intersecet, ac proinde puncta intersectionum non facile discerni queant, transferenda est eius semissis LM, qualis est NO. Nam si huius segmenta duplicata transferantur in datam rectam L, diuisa erit quoque recta L, vt ipsa AB, vel NO; cum segmenta rectæ NO, easdem proportiones habeant, quas eorum dupla. Immo si semissis datæ rectæ adhuc nimis longa esset, transferenda esset eius quarta pars, vel octaua, & segmenta inter parallelas quadruplicata, vel octuplata in datam rectam transferenda.

15. quindecim.

SI vero data recta P, minor fuerit semidiametro AB, transferenda erit in triangulum æquilaterum GBA, ita vt ipsi AB, æquidistet: quod fiet, si ipsi P, auferemus æquales GQ, GR. Ducta enim recta QR, ^b parallela erit ipsi AB, & æqualis ipsi P, sive utriusque GQ, GR, cum ex coroll. propos. 4. lib. 6. Eucl. triangulum GQR, triangulo GBA, simile sit, ac proinde & æquilaterum. Segmenta ergo rectæ QR, in datam rectam P, translata secabunt eam, vt QR, hoc est, vt BA, secta est; quod ex scholio propos. 4. lib. 6. Eucl. recta BA, QR, similiter secentur a rectis ex G, emisis. Quin etiam si quando semissis, vel quarta pars vel octaua datæ rectæ in figuram transferenda sit, vt supra diximus, eaque minor fuerit, quam AB, transferenda erit in triangulum GBA. Ita vides ST, semissim datæ rectæ S, translatam esse in triangulum, cuiusmodi est QR. Segmenta enim huius rectæ QR, duplicata secabunt datam rectam S, vt secta est AB.

5. sexta.

SED quoniam non semper opus habemus omnibus partibus rectæ eo modo diuisse; que nimirum respondent omnibus gradibus quadrantis ex ea recta descripsi; sed solum interdum indigemus in data recta uno punto, quod proposito gradui, vel arcui respondeat, hoc est, in quod caderet perpendicularis ex dato gradu, vel arcu demissa, inueniens ex eadem figura hoc loco constructa illud punctum hoc modo. Sit inueniendum in rectis eisdem datis punctum respondens gradui 52. numeratione a punto E, incepta. Sumantur ex lemmate 3. duo arcus E V, F X, graduum 52. & recta iungatur V X, secans rectas I K, N O, in Y: Recta autem ex G, ducta ad punctum, ubi V X, rectam A B, secat, intersecet quoque rectam Q R, in Y. Punctum enim Y, in respondentem rectam translatum, vt supra dictum est de aliis segmentis, dabit in recta punctum Z, quæsitum.

HAC arte si recte utaris, non erit opus circa datam rectam quadrantem describere, eoque in gradus diuisio, ex punctis diuisiorum perpendicularares dimittere

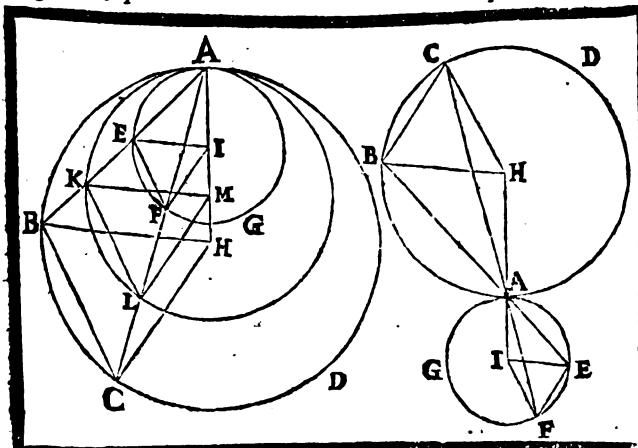
mittere, ut datam rectam in partes optatas distribuas: quæ res quantam habeat
utilitatem, ex nostro Astrolabio cognosces.

L E M M A I X.

S I duo, pluresue circuli intus, vel duo extra se mutuo
contingant, rectæ lineæ per contactum ductæ, similes cir-
cumferentias absindunt: Et rectæ coniungentes bina
puncta, in quibus due rectæ círculos secant, parallelæ sunt.

I D E M contingit in duobus circulis se mutuo non tangentibus, si
pro contactu signatur punctum in recta eorum centra coniungente, per
quod transit recta connectens puncta alterna extrema diametrorum ad
priorum rectam perpendicularium. Sed quando circuli intus se non con-
tingunt, similes arcus sunt alterni, non autem eodem ordine sumpti, ut
in illis.

H O C theorema, quod ad circulos intus se tangentes attinet, in scholio
propos. 22. lib. 3. Eucl. demonstrauimus; quia tamen eo in iis, quæ sequuntur,
Indigemus, placuit idem hoc loco paulo aliter demonstrare, & quidem genera-
lius, extendentes illud ad circulos extra se tangentes, & ad circulos non se
tangentes, qua etiam re in demonstrationibus sequentibus vtemur.



S I N T
ergo primū
duo circuli
A B C D,
AEFG, quo
rum centra
H, I, se mu-
tuo tangen-
tes in A, siue
intus, siue
extra: ducā-
turq; per A,
cōtacūm re-
ctæ vtcunq;
B E, C F,
vtrumq; co-
rum secan-
tes. Dico tā

arcus ABC, AEF, similes esse, quam arcus AB, AE, & BC, EF, &c. Per centra
enim H, I, recta HI, educatur, quæ per contactum A, transibit; & ex C, & F, ad
eadem centra rectæ adiungantur CH, FI. Quoniam igitur in triangulis ACH,
AFI, angulus A, communis est, quando circuli intus se contingunt, vel quando
contactus

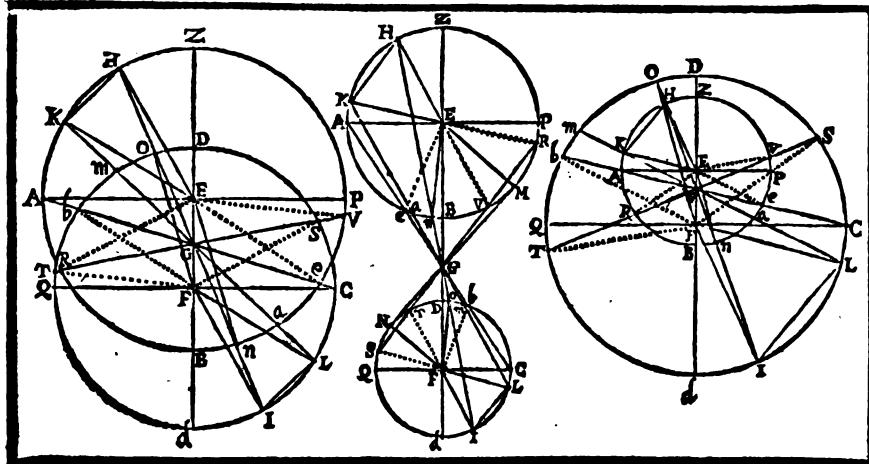
a II. vel I.
tertij.

contactus est exterior, ^a anguli A, ad verticem **æquales** sunt: **Latera autem circuca** alios angulos H, I, proportionalia: quippe quæ proportionem **æqualitatis habent**, & reliquorum angulorum C, F, vterque te^cto minor, hoc est, acutus, ex coroll. 3. propos. 17. lib. 1. Eucl. quod vterque sit supra basem Isoscelis, erunt ^b ipſa triangula **æquilatera**, **æqualesq;** habeant angulos ad centra H, I. Quod facile hoc etiam modo demonstrari potest. ^c Quoniam in circulis fere tangentibus interius, vterque angulus AFI, ACH, angulo FAI, **æqualis** est; at in circulis exterius se tangentibus, ille **æqualis** est angulo FAI, hic autem angulo CAH: suntq; anguli FAI, CAH, ad verticem **æquales**; erunt propterea & anguli, AFI, ACH, inter se **æquales**, **externus**, & **internus**, in circulis intus se tangentibus, vel alterni in circulis tangentibus se **exterius**. ^d Parallelæ ergo sunt CH, FI, & ac proinde anguli H, I, **æquales** erunt, **internus** & **externus**, quando intus se tangunt circuli, vel alterni, quando extra se contingunt. Igitur cum vtroque modo ostens sint anguli H, I, in centris **æquales**; erunt segmenta ABC, AEF, quibus insistunt, similia, ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. Quibus demptis ex totis circulis, erunt ex eodem scholio, vel ex lemma 6. & reliqua segmenta ADC, AGF, similia. Eademque ratione similia erunt sequenta AB, AE, (si ad centra ducantur rectæ BH, EI, quæ similiter ostendentur parallelæ, &c.) & ex circulis reliqua ADB, AGE. **Esse** denique & arcus BC, EF, inter duas rectas comprehensor similes, ex eodem scholio liquet, propter eundem angulum BAC, in circulis intus se tangentibus, ad circumferencias constitutū, at in circulis extra se tangentibus, propter angulos BAC, EAF, ad verticem **æquales**, & ad circumferencias constitutos. Quod si describatur aliis circulus AKL, ex centro M, tangentis alios duos interius, demonstrabimus eodem modo, ducta recta KM, arcus AKL, AK, tam arcibus ABC, AB, quam arcibus AEF, AE, similes esse, &c.

IVNGANTVR. quoque rectæ BC, EF, quas dico esse parallelas. Quoniam enim arcus AB, AE, ostensi sunt similes, erunt ex scholio dicto propos. 22. lib. 3. Eucl. anguli ACB, AFE, illis ad circumferentias insistentes (internus & externus, in circulis intus se tangentibus, vel alterni in circulis extra se tangentibus) inter se æquales. Igitur BC, EF, parallelæ sunt, quod est propositum.

D E I N D E sint duo circuli AB, CD, quorum centra E, F, non se tangentes, sed, vel se intersecantes, vel non intersecantes. siue unus sit totus extra alterum, siue intra positus. Ducta recta EF, per eorum centra, excitentur ad ea diametri perpendicularares AE, CF. Iuncta autem recta AC, secante EF, in G, ducantur per G, rectae utcunque H, I, KL, utrumque circulorum secantes. Dico tam arcus HAn, ICO, quam arcus HK, IL, &c. similes esse. Ductis namque rectis HE, nE; IF, OF; quoniam triangula AEG, CFG, et triangula sunt; (Nam anguli F, F, sunt recti, & tam alterni A, C, et quam ad verticem AGE, CGF, inter se aequales) erit ut GF, ad semidiametrum EA, ita GF, ad semidiametrum FC. Rursum quia in triangulis GEH, GFI, et anguli EGH, FGI, ad verticem aequales sunt, & late-
ra circa angulos E, F, proportionalia, cum ostensum sit esse, ut GE, ad EA, hoc est, ad EH, ita GF, ad FC, hoc est, ad FI, reliquorum autem angulorum H, I, uterque minor est recto, ex coroll. 3. propos. 17. lib. 1. Eucl. propterea quod supra bases Isoscelium EHn, FI O, existunt, erunt anguli quoque GHE, GIf, aequales. Sed GHE, ipsi GnE, in Isosceli EGn, & GIf, ipsi GOF, in Isosceli FIO, aequalis est. Igitur duo H, n, duobus I, O, aequales erunt; ac proinde & reliqui HEn, IFO, aequales erunt. Quocirca ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. arcus HAn, ICO, quibus illi anguli ad centra insunt, similes erunt: quibus demptis ex totis circulis, reliqui quoque arcus Hpn, IQO, similes erunt. Atque hoc qui-

s. primi. dem in 1. ac 3. figura. At vero in 2. figura, erit angulus GHE , angulo EnH , in Isoscelē Ehn , & angulus GIF , angulo FOL , in Isoscelē FIO , æqualis. Quare, ut prius, erunt duo Ehn , EnH , duobus FIO , FOL , æquales, & reliquo HEn , reliquo IFO , ac proinde & arcus HAn , ICO , & ex circulis totis reliqui HPn , IQO similes erunt.



ESS. quoque arcus HK , IL , quas rectæ HJ , KL , abscindunt similes, sic demonstrabitur. Iunctis rectis KE , LF , quoniam in triangulis GEK , GFL , bangu li EGK , GFL , ad verticem æquales sunt, & latera circa angulos E , F , proportionalia, vt ostensum est; reliquorum autem angulorum K , L , vterque recto minor est, in 1. & 3. figura quidem, propterea quod, si iungantur rectæ BA , zA ; DL , dL , & anguli ad A , & L , recti fiunt in semicirculis, quorum illi partes sunt; In 2. autem figura, eo quod sunt supra bases Isoscelium, si iungantur rectæ Ea , Fm , ad puncta, vbi circumferentiaz à recta KL , secantur; (quæ ratio locum etiam habet in aliis duabus figuris.) erunt anguli GEK , GFL , æquales. Cum ergo & anguli toti GEH , GFI , ostensi sint æquales, erunt etiam reliqui, HKE , IFL , æquales; ac propterea ex schol. propos. 22.lib.4.Eucl. arcus HK , IL , similes erunt.

NO **N** secū ostendemus, rectas Zd , HI , intercipere arcus alternos similes HZ , Id , & HB , ID . Quoniam enim anguli GEH , GFI , ostensi sunt æquales; erūt ex duobus rectis reliqui HEZ , IFd , æquales, ideoque ex prædicto scholio arcus HZ , Id , similes erunt: Et ex eodem scholio, similes erunt HB , ID , propter æquales angulos DEH , DFI .

PA **R**I ratione demonstrabimus, rectam AC , auferre arcus alternos ABe , bDC , similes. Iunctis enim rectis eE , bF , & quoniam anguli alterni EAc , FCb , æquales sunt, & EAc , ipsi EeA , & FCb , ipsi FbC , æquales est; erunt EAc , EeA , ipsi FCb , FbC , æquales: ideoque & reliquus Aee , reliquo Cfb , æqualis erit. Quocirca ex schol. propos. 22.lib.3.Eucl. arcus ABe , bDC , similes erunt, In secunda tamen figura colliguntur arcus Ae , bC , similes, quibus sublati ex totis circulis, reliqui ABe , bDC , similes quoque sunt.

SIC etiam; vt alterum adhuc exemplum ponamus, rectam RS , au-

L E M M A I X . E T . X .

23

RS, auferre arcus alternos similes RBV, STD. *Iunctis enim rectis RE, VE; SF.*
TF, quoniam in triangulis GER, GFS, anguli EGR, FGS, ad verticem aequales sunt, & latera circa angulos E, F, proportionalia, ut monstratum est reliquorum autem angulorum R, S, vterq; minor est recto, propterea quod supra bases triangulorum Isoscelium ERV, FST, existunt; ^a erunt quoque anguli ERG, FSG, aequales. ^b Est autem ille angulo EVG, & hic angulo FTG, aequalis. ^c s. primi. *Igitur duo R, V, duobus S, T, aequales erunt; ac proinde & reliqui REV, SFT, in triangulis ERV, FST, aequales erunt; ideoque ex scholio propos. 2. lib. 3. Eucl. in 1. & 3. figura arcus RBV, STD, similes erunt; in 2. vero figura arcus RV, ST, similes erunt, &c.*

EO D E M modo recte Zd, RV, intercipient alternos arcus similes RB, SD, & RZ, Sd. Quoniam enim in triangulis EGR, FGS, anguli R, S, ostensi sunt aequales; & sunt quoque anguli ad verticem G, aequales; erunt reliqui anguli aequales REB, SFD. *Igitur ex eodem scholio praedito, similes erunt arcus RB, SD; ac proinde & ex semicirculis reliqui RZ, Sd. Eademq; ratio est de omni recta, que rectam Zd, per centra eiusdem intersecat.*

DE N I Q V E ex omnibus his infertur, duas rectas quomodocumque se in G, intersecantes intercipere arcus similes ad contrarias partes. Ut si intersecant se in G, recte HI, KL; dico tam arcus HK, IL, quam KN, LO, similes esse. De prioribus quidem iam paulo ante demonstratum est, de posterioribus vero ita probatur. Quoniam KB, ipsi LD, & BN, ipsi DO, similes eis, vt proxime ostendimus de rectis ipsis Zd, intersecantibus; erunt per lemma 6. etiam arcus KN, LO, similes. Eadem ratione arcus HR, RS, similes erunt, propter rectas HI, RS, se intersecantes, &c.

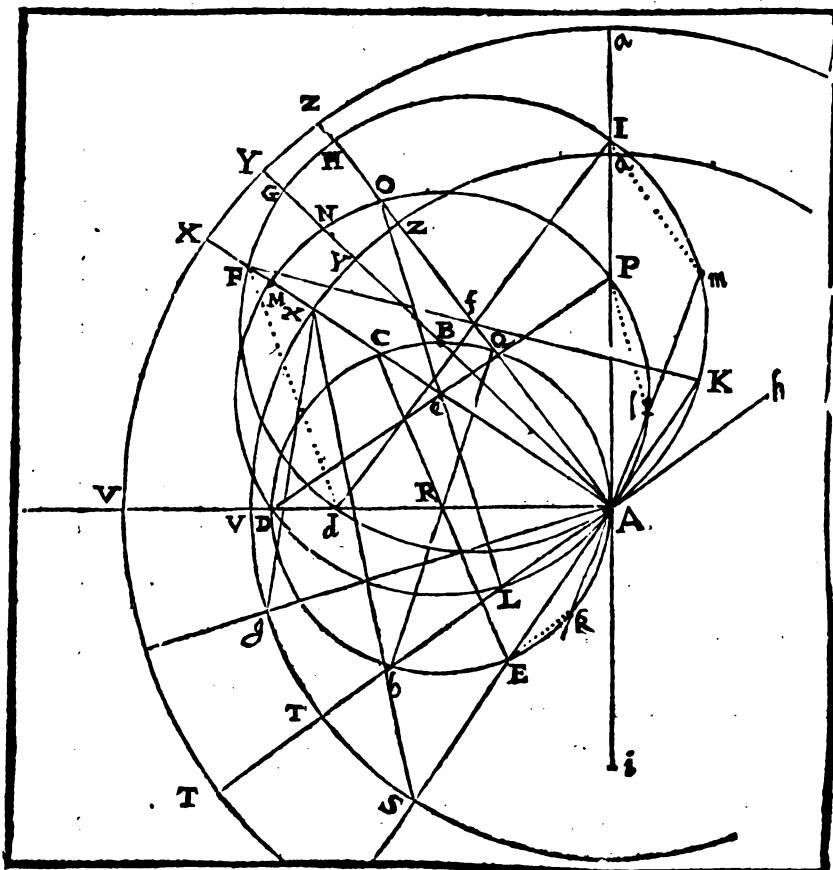
QV O D si per G, ducatur recta GM, tangens in M, circulum AB, in 2. figura, tanget ea producta circulum quoque CD, in N, eruntq; rursus arcus abscessi BM, DN, similes. Duxa enim GN, tangentem circulum CD, in N, iunctamq; rectis EM, FN; ^d erunt anguli M, N, recti. Cum ergo & latera circa angulos E, F, in triangulis GEM, GFN, sint proportionalia, & reliquorum angulorum ad G, vterque sit minor recto, ex coroll. 1. propos. 17. lib. 1. Eucl. Erunt quoque tam anguli E, F, quam anguli ad G, aequales. *Igitur ex ijs, quae ad propos. 15. lib. 1. Eucl. ex Proclo demonstrauimus, recte MG, NG, vnam rectam constituent, ac proinde tangens GM, producta tanget etiam circulum CD, in N; atque arcus BM, DN, ex scholio propos. 22 lib. 3. Eucl. similes erunt.*

IV N G A N T V R denique recte HK, IL, arcibus similibus a rectis HI, KL, abscessis. Dico eas esse parallelas. Quoniam enim tam arcus HAn, ICO, quam HK, IL, ostensi sunt similes; erunt quoq; per lemma 6. reliqui arcus KAn, LCO, similes. *Igitur ex scholio propos 22. lib. 3. Eucl. anguli KHN, LIO, illis insistentes ad circumferentias aequales erunt: qui cum sint alterni, erunt HK, IL, s. 27. primi. parallelæ. quod est propositum.*

L E M M A X .

SI duo, pluresue circuli se mutuo secant; rectæ lineæ per sectionis punctum ductæ, quæ vel ipsos secant; vel vtraque sit tangens, vel earum altera, intercipiunt circumferentias similes inchoatas ab una earum rectarum, & ver-

& versus eandem partem, atque ad punctum sectionis, vel contactus alterius rectæ progrederentes. Si autem ex eodem sectionis punto circulus quicunque describatur, erit eius circumferentia inter duas easdem rectas comprehensa, semissis illius arcus in eodem circulo ex sectionis punto descripto, qui arcui cuius priorum circulum inter easdem rectas intercepto similis est.



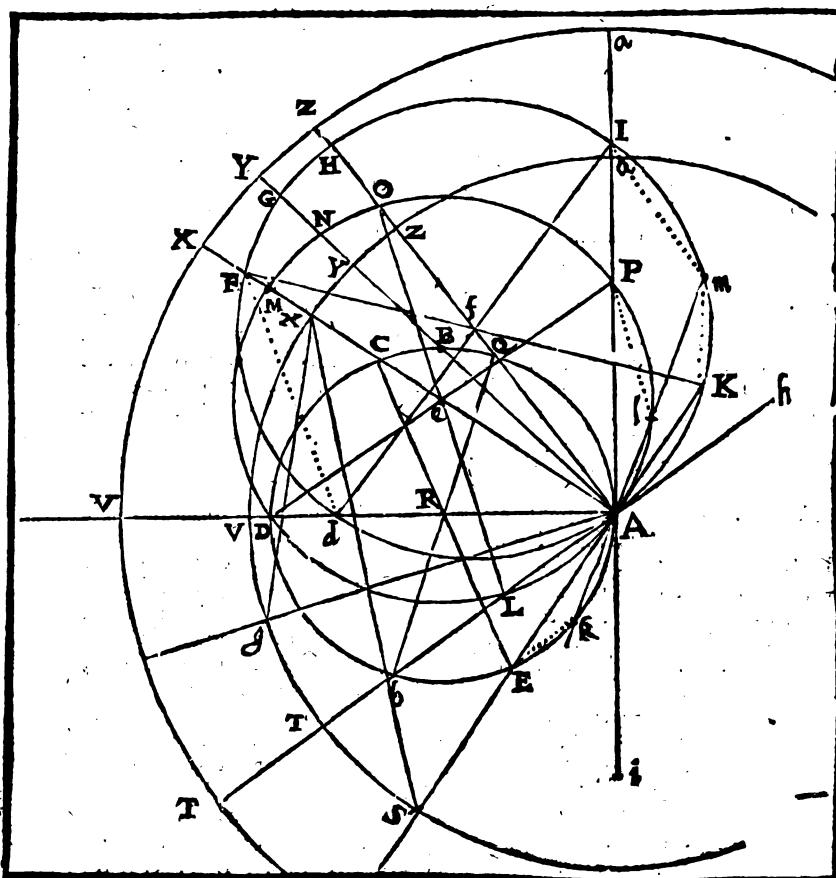
IN punto A, se mutuo secant circuli ABCDE, AFGHJK, ALMNOP, ducenturq; primum duæ rectæ ipsos secantes utcunque AB, AC, que intercipiant arcus

arcus BC, GF, HM, quos omnes dico esse similes. Cum enim cuilibet illorum insit angulus communis MAN, ad circumferentiam sui circuli in punto A manifestum est ex schol. propos. 22, lib. 3. Eucl. ipsos similes esse. Eodem pacto ducta recta AH, omnes tres circulos secante, similes ostendentur, arcus BQ, GH NO, propter angulum communem NAH, cuilibet illorum insistentem ad circumferentiam proprij circuli in punto A. Idem dicendum est, ducta recta secante AD, de arcibus CD, Fd, MD, ob communem angulum DAM: atq. ita ceteri arcus quicunq. inter duas rectas secantes interiecti, similes demonstrabuntur. Id quod etiam in praecedenti lemmate demonstratum est de arcibus inter duas rectas ex punto contactus duorum circulorum iatus se tangentium emissa interceptis.

DEIN DE recta AP, tangat circulum ABCDE, in A, ac proinde alios secet in P, I, cum circuli in A, se intersecare ponantur, non autem tangere; (solum enim cum plures circuli se intus tangunt, uel duo exterius, una eademque recta omnes illas in eodem punto contactus contingere potest) recta autem AN, omnes tres secet in B, G, N. Dico similes quoque esse arcus BA, GI, NP, quorum prior a puncto sectionis B, usque ad punctum contactus A, progressus, posteriores uero duo a punctis sectionum G, N, usque ad alia puncta sectionum I, P. De duobus quidem hisce posterioribus GI, NP, inter duas rectas secantes positis liquet ex scholio proposition. 22. lib. 3. Euclid. eos similes esse, propter angulum communem NAI, ad eorum circumferentias: atuero omnes tres BA, GI, NP, similes esse, ita ostendemus. Ducta diametro ARD, in circulo ABCDE, quem recta AP, tangit, secante alios duos circulos in D, d, iungantur rectae DP, dI. Et quoniam angulus DAI, rectus est, cadent, ex corollar. proposition. 5. lib. 4. Euclid. centra circulorum ALM NOP, AFGHIK, in rectas DP, dI, ideoque semicirculi erunt DMP, dFI, ac proinde semicirculo DCA, similes. Cum ergo & arcus ablati DB, DN, dG, inter rectas secantes AD, AC, positi, similes sint, ut proxime ostensum est; erit & reliqui arcus BA, GI, NP, similes, ex 6. lemmate. Eademque ratione, ducta recta secante AF, arcus CA, FI, MP, similes erunt, & sic de ceteris.

R V R S V S recta AE, tangat circulum ALMNOP, in A, aliosque proinde secet in E, K, recta autem AD, omnes secet. Dico adhuc similes esse arcus NLA, BDE, GAK, quorum primus NLA, inter N, punctum sectionis, & A, punctum contactus, positus est, & secundus BDE, inter puncta sectionis B, E, uersus eandem partem arcus NLA, iacet, & GAK, tercius a puncto sectionis G, ad easdem partes priorum duorum usque ad punctum sectionis K, ultra A, computatur. Neque enim recta AE, circulum AFGHIK, citra punctum A, secat, ut alioz. Hoc autem sic demonstrabimus. Ducta diametro AE, in circulo ALMNOP, quem recta AE, tangit, secante duos alios circulos in C, & F; iungantur rectae CE, FK. ^b Et quia tam angulus MAE, rectus est, quam MAK, cadent, ex corollar. prop. 5. lib. 4. Euclid. centra circulorum ABCDE, AFGHIK, in rectas CE, FK, ideoque semicirculi erunt EDC, XAF, semicirculoque ADM, similes. Cum ergo & arcus MN, CB, FG, inter rectas secantes AF, AG, iacentes, sint similes, ut supra monstratum est; erunt toti quoque arcus NLA, BDE, GAK, ex lemmate 6. similes. Pari ratione similes erunt arcus DLA, DBE, ^b 13. similij. DAK, quorum primus DLA, inter punctum sectionis D, & punctum contactus A, secundus uero DBE, inter puncta sectionum D, E, uersus eandem D partem

partem arcus **DLA**; Tertius denique dAK , inter punctum sectionis d , citra A, & punctum sectionis K , ultra A, existit. Ducta enim rursus diametro AeM , in circulo $ALMNOP$, quæ recta AE , tangit, secante alios duos circulos in C , & F , iunctisq; rectis CE, FK , ostendemus, vt proxime factū est, EDC, KAF , semicirculos esse, semicirculoq; $ADM, similes$. Cū ergo & arcus ablati DM, DC, dF , similes sint, inter secantes rectas AD, AF , vt initio huius lēmatis demōstrauimus: erunt reliqui quoque arcus DLA, DbE, dAK , similes ex 6. lemmate. Non aliter probabimus, arcus NPA, GIK, BAE , esse similes, quorum primus inter punctum sectionis N , & punctum contactus A; secundus vero inter duo sectionum puncta G, K , ad easdem partes primi arcus intercipitur; tertius denique versus eandem



partem a punto sectionis B, usque ad alteram sectionem E, ultra A, numeratur. Facta namque eadem constructione, ostendemus, vt proxime, semicirculos esse KIF .

XIF, EAC, semicirculoque **APM**, similes. Quare cum & ablati arcus **MN, FG, CB**, inter rectas secantes **AF, AG**, similes sint, vt ostensum est ad initium huius lemmatis, erunt reliqui quoque arcus **NPA, GIK, BAE**, per 6. lemma, similes.

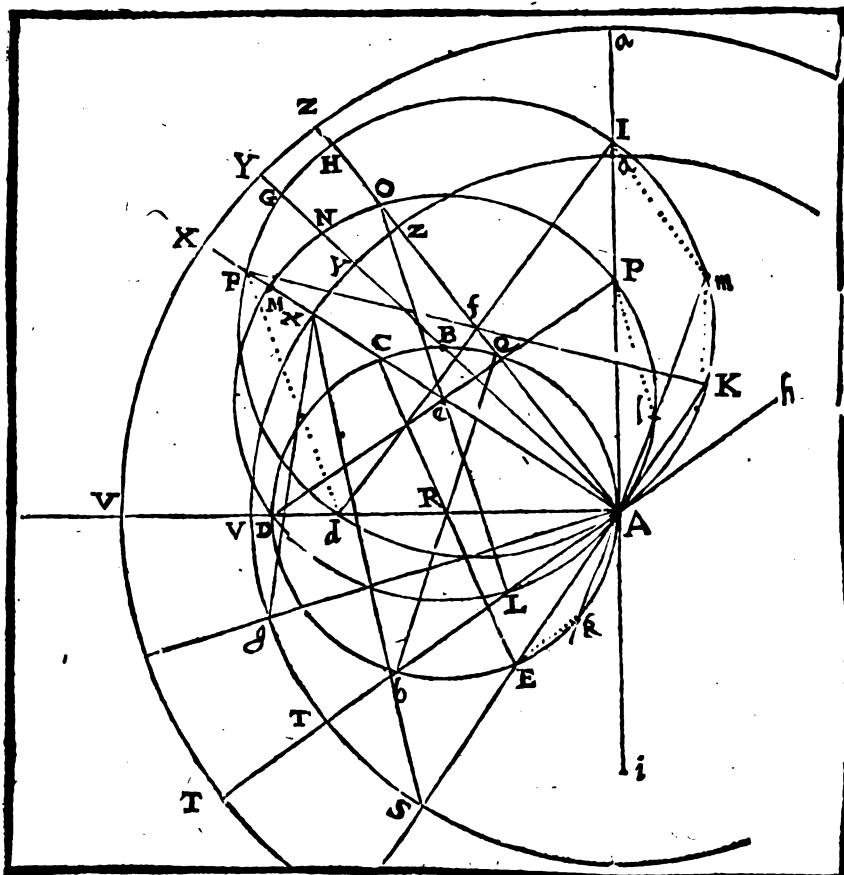
P R A E T E R E A recta **AL**, tangat circulum **AFGHIK**, in **A**, aliosque propterea fecet in **b, L**, at recta **AN**, omnes fecet. Dico rursum similes esse arcus **GFA, BDB, NDL**, quorum primus inter **G**, punctum sectionis, & **A**, punctum contactus, secundus vero inter sectionum puncta **B, b**, & denique tertius inter sectionum puncta **N, L**, positus est. Ducta namque diametro **AH**, in circulo **AFGHIK**, quem recta **AL**, tangit, secante alios duos in **Q, O**, iungantur rectae **Qb, OL**. 18. tertij. Et quia angulus **HAL**, rectus est, cadent, ex coroll. propos. 5. lib. 4. Eucl. centra circulorum **ABCDE, ALMNOP**, in rectas **bQ, LO**, ac proinde erunt **bDQ, LMO**, semicirculi, ideoque semicirculo **AH**, similes. Sunt autem & arcus **GH, BQ, NO**, similes inter rectas secantes **AH, AN**, vt supra ostensum est. Igitur reliqui quoque arcus **GFA, BDB, NDL**, ex 6. lemmate similes erunt. Sic etiam ducta per **A**, recta **klm**, erunt arcus **Ek, Al, Km**, similes. Cum enim **AE**, circulum **ALMNOP**, tangat, erit, vt sepius iam demonstratum est, arcus **Al**, inter punctum **A**, contactus, & punctum **l**, sectionis, similis arcui **Km**, inter duo sectionum puncta **K, m**, ex eadem parte arcus **Al**. Arcui autem **Km**, arcus **Ek**, ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. similis est, ob angulos ad verticem aequales **KA**m, **EAk**, illis insistentes. Igitur omnes tres arcus **Ek, Al, Km**, similes sunt.

A D hæc; recta **AE**, tangat circulum **ALMNOP**, in **A**, aliosque fecet in **E, K**: Item recta **AL**, tangat circulum **AFGHIK**, in **A**, aliosque fecet in **b, L**: Denique **AI**, tangat in **A**, circulum **ABCDE**, fecetque alios in **P, l**. Dico similes quoque esto tam arcus **bE, LA, AK**, quam arcus **EDA, ADP, KAFl**, quam arcus **bDA, LMP, AF**. Nam quia **AE**, circulum **ALMNOP**, tangit, erit, vt iam pridem monstratum est, arcus **LA**, inter **L**, punctum sectionis, & contactum **A**, similis arcui **bE**, inter sectionum puncta **b, E**, ex eadem parte arcus **LA**. Est autem arcui **bE**, similis arcus **AK**. (Quoniam enim **hA**, tangit circulum **AFGHIK** in **A**, & **KA**, eundem fecat, **b** erit angulus **hAK**, hoc est, **bAE**, qui ei ad verticem 32. tertij. aequalis est, angulo **AFK**, in alterno segmento aequalis: ac proinde arcus **AK**, **bE**, quibus ad circumferentias insunt, similes erunt.) Igitur omnes tres **bE, LA, AK**, similes erunt. Deinde ducta in circulo **ABCDE**, diametro **AD**, iunctaque recta **DP**, erit **DNP**, semicirculus, ob angulum rectum **DAP**, ideoque semicirculo **DCA**, similis. Sunt autem & arcus **DLA, DE**, similes, vt iam non semel est monstratum, quod **AE**, circulum **ALMNOP**, tangat, &c. Igitur toti arcus **EDA, ADP, KAFl**, similes quoque erunt: Sed arcus **ADP**, arcui **KAFl**, similis est. (Nam ducta diametro **AM**, in circulo **ALMNOP**, secante circulum **AFGHIK** in **F**, iunctaque recta **KF**, erit **KAFl**, semicirculus, ob rectum angulum **FAK**, ideoque semicirculo **ADM**, similis. Cum ergo & arcus **FI, MP**, similes sint, ob angulum communem **FAI**, illis ad circumferentias insistentem; erunt toti arcus **KAFl, ADP**, similes.) Omnes ergo tres **EDA, ADP, KAFl**, similes erunt. Postremo ducta diametro **AH**, in circulo **AFGHIK**, secante circulum **ALMNOP**, in **O**, iunctaque recta **LO**, erit **LMO**, propter angulum rectum **LAO**, semicirculus semicirculo **bDQ**, similis. Sunt autem & arcus **OP, QA**, similes, cum **AP**, circulum **ABCDE**, tangat, &c. Igitur toti arcus **bDA, LMP**, similes erunt: Sed arcus **bDA**, arcui **AF**, similis est. (Ducta enim diametro **AH**, in circulo **AFGHIK**, secante circulum **ABCDE**, in **Q**, iunctaque recta **bQ**, exit **bCQ**, secante circulum **ALMNOP**, in **C**, iunctaque recta **AO**, erit **AOQ**, semicirculus semicirculo **bOL**, similis. Sunt autem & arcus **OP, QA**, similes, cum **AP**, circulum **ABCDE**, tangat, &c. Igitur toti arcus **bDA, LMP**, similes erunt: Sed arcus **bDA**, arcui **AF**, similis est.) Ducta enim diametro **AH**, in circulo **AFGHIK**, secante circulum **ALMNOP**, in **Q**, iunctaque recta **bQ**, exit **bCQ**, secante circulum **ALMNOP**, in **C**, iunctaque recta **AO**, erit **AOQ**, semicirculus semicirculo **bOL**, similis. Sunt autem & arcus **OP, QA**, similes, cum **AP**, circulum **ABCDE**, tangat, &c. Igitur toti arcus **bDA, LMP**, similes erunt: Sed arcus **bDA**, arcui **AF**, similis est. (Ducta enim diametro **AH**, in circulo **AFGHIK**, secante circulum **ALMNOP**, in **Q**, iunctaque recta **bQ**, exit **bCQ**, secante circulum **ALMNOP**, in **C**, iunctaque recta **AO**, erit **AOQ**, semicirculus semicirculo **bOL**, similis. Sunt autem & arcus **OP, QA**, similes, cum **AP**, circulum **ABCDE**, tangat, &c. Igitur toti arcus **bDA, LMP**, similes erunt: Sed arcus **bDA**, arcui **AF**, similis est.)

micirculus, ob angulum rectum bAQ , & semicirculo AFH , similis. Cum ergo & arcus QA, HI , similes sint, quod $A I$, circulum $ABCDE$, tangat, &c. erunt quoque toti arcus bDA, AFI , similes.) Quamobrem omnes tres arcus bDA, LMP, AFI , similes erunt.

P R O P O S V I autem tot casus, ac tam varios huius propositionis, quamuis in omnibus eadem fere sit demonstrandi ratio, vt intelligas, quo pacto in aliis casibus te gerere debeas.

C A E T E R V M aliter, & paulo facilius ostendemus, arcum cuiuslibet circuli inter duas rectas comprehensum, quarum una circulum tangit, & altera secat, similem esse arcui cuiusvis alterius circuli per contadum descripti, inter



eadem duas rectas inclusa, quarum vel vtraque circulum secat, vel una tangit, & altera secat. Nam quia AP , circulum $ABCDE$, tangit, & AQ , eundem secat, & vtra-

& vtraque alios duos circulos secat, ^a erit angulus $A b Q$, in alterno segmento ^{a 32. tertij.} absciso à recta secante $A Q$, aequalis angulo $P A Q$. Ergo ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. arcus $A Q$, inter duas rectas $AP, A Q$, comprehensus, & cui insitit angulus $A b Q$, similis est arcubus $P O, J H$, inter easdem rectas interceptis, & qui bus communis angulus $J A H$, insitit, qui angulo $A b Q$, ostensus est aequalis.

R V R S V S quia $A E$, circulum $ALMNOP$, tangit, eundemq; AD , secat, & vtraq; circulos $ABCDE$, $AFGHIK$, secat in E, D , & K, d , ostendemus arcus ALD, ED, KAd , similes etiam esse. ^b Quia enim angulus EAD , angulo APD , in alterno segmento aequalis est; erunt ex schol. propos. 22. lib. 3. Eucl. arcus ED , ALD , quibus insistunt, similes. His autem similem quoque esse arcum KAd , ita perspicuum fiet. Tangat recta $A L$, circulum $AFGHIK$, secetque circulum $ABCDE$, in b , luncta ergo recta dF , ^c erit angulus bAD , angulo AFd , in segmento alterno aequalis, & angulus bAK , angulo AFK , in alterno segmento. ^{c 32. tertij.}

^d Cum ergo angulus bAK , angulo bAE , ad verticem aequalis sit; erit quoq; angulus bAE , angulo AFK , aequalis, ac proinde, cum ostensus sit angulus bAB , angulo AFd , aequalis, erit totus angulus EAD , toti angulo dFK , aequalis. Atque idcirco ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. arcus ED, KAd , similes erunt. Quo circa cum ED , ostensus sit similis arcui ALD ; erunt omnes tres ALD, ED, KAd , similes, inter rectas AE, AD , comprehensi.

P R A E T E R E A cum Ab , tangat circulum $AFGHIK$, & Ad , eundem secat, atque vtraque duos alios circulos secet, ^e erit angulo AId , in alterno segmento aequalis angulus bAD . Igitur ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. arcus Ad , inter duas rectas Ab, Ad , cui angulus AId , insitit, similis est arcubus bD, LD , inter easdem rectas, quibus angulus communis bAD , angulo AId , aequalis ostensus insitit.

A M P L I V S quia AK , circulum $ALMNOP$, tangit, aliosque secat in K , ^f E item Ai , circulum $ABCDE$, tangit, aliosq; secat in P, I , ^f erit angulo ADP , in alterno segmento aequalis angulus KAP , ac proinde & angulus ad verticem IAE . ^g Sed hic aequalis quoque est angulo ACE , in segmento alterno. Igitur tres ^{g 32. tertij.} anguli ACE, ADP, KAI , aequales sunt, ac proinde ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. tres arcus AE, AP, KI , quibus insistunt, aequales sunt, inter rectas AK, Ai , comprehensi.

D E N I Q V E quia AP , circulum $ABCDE$, tangit, aliosque secat in P, I . Item $A E$, circulum $ALMNOP$, tangit, aliosque secat in E, K ; iuncta recta kE , ^h erit tam angulo AkE , in alterno segmento angulus PAE , quam angulo ALP , (iuncta recta LP) in alterno segmento idem angulus EAP , aequalis. Deinde quia iunctis rectis Km, mI , tam duo anguli KmI, KAI , quam duo AkE, ACE , duobus rectis aequales sunt, ⁱ estque angulo ACE , in alterno segmento aequalis angulus IAE , hoc est, KAI , ad verticem, citi quoq; reliquus KmI , reliquo AkE aequalis. Igitur omnes tres anguli AkE, ALP, KAI , aequales sunt; ideoque ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. tres arcus ACE, ADP, KAI , similes erunt. Et sic de ceteris.

D I F F E R T autem prima hæc pars lemmatis à prima parte lemmatis antecedentis, quod hic solum demonstrantur illi arcus similes, qui inter duas rectas lineas, sive vtraque sit tangens, sive altera tantum, sive neutra, inter se iunctur, non autem illi, quos recta aliqua abscondit: neque enim similes sunt arcus AQ , APO , AKH , quos recta AH , auferit. At vero in priori parte lemmatis antecedentis similes etiam ostenduntur arcus à quacunque linea recta absconditi.

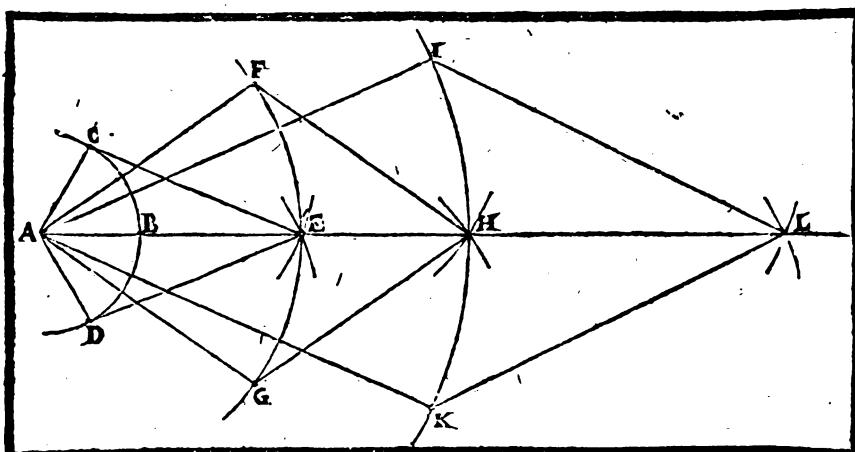
IAM

IAM verò ex sectionis punto A, circulus quilibet describatur STV, ad quē
visque rectæ ex A, prodeentes extendantur secantes eum in S, T, V, X, Y, Z, a. Di-
co arcum, verbi gratia, ST, semissimè esse arcus, qui similis sit in eodem circulo,
arcui Eb: adeo ut numerus graduum in arcu ST, comprehensorum dimidiata
pars sit numeri graduum in arcu Eb, contentorum. Sumatur enim arcus ST,
æqualis arcus Tg, ductaque recta gA, ducatur ex S, g, ad quodlibet punctum
X, in circumferentia STVXYZ, due rectæ SX, gX. Quia igitur arcus ST, Tg,
æquales sunt, æquales quoque erunt anguli SAT, TAG, in centro A; ac pro-
inde angulus SAg, anguli SAT, duplus erit, ^b Est autem idem angulus SAg, ad
centrum A, duplus quoque anguli SXg, ad circumferentiam. Igitur auguli SAT
SXg, æquales erunt, id est ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. arcus Eb, Sg, simi-
les erunt; ac proinde arcus ST, semissis erit arcus Sg, qui arcui Eb, similis est.
Eademque ratio est de ceteris, quod constat etiam in arcibus Va, DMP, DCA,
DFI, quorum prior Va, quadrans est contineas gradus 90. propter angulum
rectum VA a, posteriores vero tres, semicirculi continentes singuli gradus
180. existunt.

27. tertij.
20. tertij.

L E M M A XI.

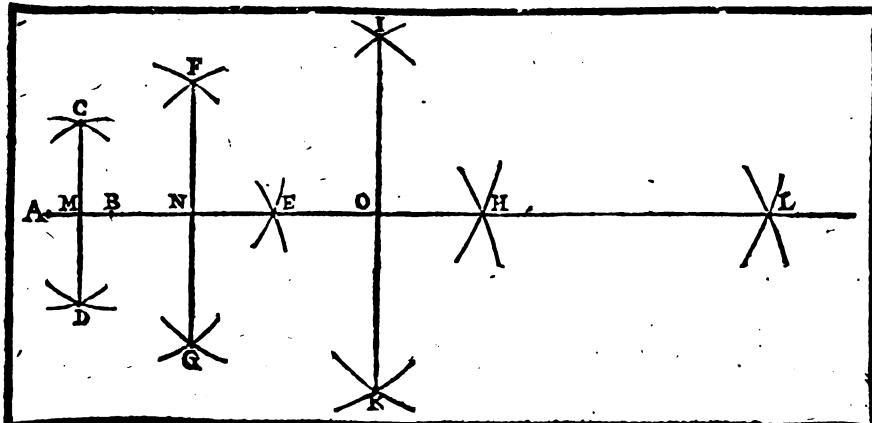
RECTAM lineam breuissimam in cōtinuum exten-
dere, vel (quod idem est) per duo puncta parum inter se
distantia lineam rectam quantumlibet producere.



ACCIDIT frequenter, ut vel linea recta breuissima, qualis est AB, exten-
denda sit, vel (quod idem est) per duo puncta, quorum alterum ab altero propè
abest, cuiusmodi sunt duo puncta A, B, recta linea quantumlibet extendenda;
quæ res non paruam habet difficultatem, propterea quod regula, qua linea du-
cenda est, facile in hanc, illamue partem flecti potest: adeo ut quod longius produ-
cenda est linea, eo maior admitti possit error. Ne ergo in ea linea ducenta er-
remus,

remus, vtendum erit hoc artificio. Ex A, per B, arcus circuli describatur, in quo abscissis aequalibus arcibus BC, BD, (qui quo maiores erunt, eo felicius res succedent) describantur ex C, D, duo arcus tanto interualllo, vt commode se intersecare possint in E, hoc est, vt non admodum obliqua fiat sectio, quia tunc non facile discerni posset intersectionis punctum. Deinde ex A, per E, iterum arcus describatur, in quo abscissis duobus arcibus aequalibus EF, EG, describantur ex F, G, tanto quoque interualllo duo arcus, vt commode se intersecare queant in H. Rursus ex A, per H, arcus describatur, in quo abscissis duobus arcibus aequalibus HI, HK, describantur quoque ex I, K, tanto interualllo duos arcus, vt commode se possint intersecare in L: atque in hunc modum progredi licebit, quantum libuerit. Dico rectam AB, productam transire per puncta E, H, L, &c. adeo ut applicata regula ad puncta A, L, recta linea ducatur per puncta A, B, exquisitissime, quippe cum iuncte AB, AE, AH, AL, omnes unam conficiant rectam lineam. Ductis epim rectis AC, AD, AF, AG, AI, AK, CE, DE, FH, GH, IL, KL; quoniam latera AC, AE, lateribus AD, AE, aequalia sunt, & basis quoque CE, basi DE, aequalis, ex constructione, ob aequalia sumpta interualla ex C, D, usque ad E, erit angulus CAE, angulo DAE, aequalis, hoc est, recta EA, angulum CAD, secabit bifariam: sed & recta BA, eundem angulum CAD, bifariam diuidit, quod anguli BAC, BAD, aequales sint propter aequales arcus BC, BD. Igitur recta EA, per B, transit, ne dux recte dicantur eundem angulum CAD, bifariam parti. Rursus quia latera AF, AH, lateribus AG, AH, aequalia sunt, & basis FH, basi GH, eadem de causa, erunt quoque anguli FAH, GAH, aequales, id est, recta HA, angulum FAG, bifariam secabit. Cum ergo & eundem angulum bifariam secet recta EA, quod anguli EAF, EAG, ob aequales arcus EF, EG, aequales sint, transibit recta HA per E: ac proinde & per B, cum recta EA, transire ostensa sit per B. Non aliter demonstrabimus, rectam LA, transire per H, ideoque & per E, B, &c.

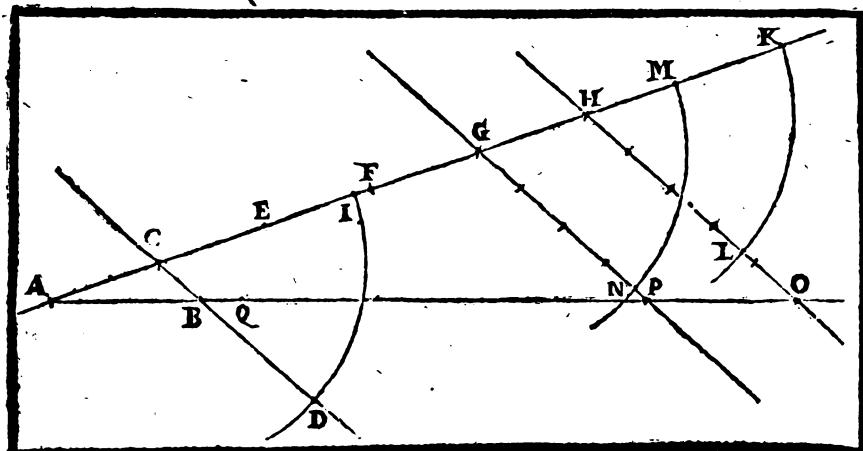
H AE C praxis hoc etiam modo institui potest. Ex punctis A, B, dati, vel ex-



tremis datae linea AB, ad quoduis interuallum, quo i paulo maius sit data recta AB, bini arcus hinc inde describantur secantes se in C, D. Et ex C, D, alijs duo arcus tanto interualllo, vt commode se intersecant in E. Rursus ex B, E, bini alijs arcus utrinque secantes se in F, G. Et ex F, G, duo alijs arcus se intersecant in H, I, K, L.

Itē ex E, H, vtrinque se intersecēt binā alij arcus in I, K. Atque ex I, K, alij duo arcū, sese intersecēt in L. Atque hoc modo, quantum libuerit, procedatur. Di-
co omnia puncta A, B, E, H, L, in vna recta iacere linea. Nam ex ijs, quæ in praxi
propos. 11. lib. 1. Eucl diximus, recta AE, rectam iūctam CD, diuidit ad angulos
rectos, & bifariam in M: Itē recta iuncta EM, ad eandem CD, perpendicularis
est, ac proinde recta BM, congruit, hoc est, per punctum B, transit, ita ut vna re-
cta sit AE. Rursus eodem modo HV, per E, transibit, vt vna recta sit AH, quod
tam recta BE, rectam FG, fecet bifariam, & ad angulos rectos, quam recta HN,
ad eandem FG, perpendicularis sit. Non aliter ostendes LO, per H, transire,
ideoque ABNEOHL, esse vnam rectam lineam, propterea quod recta EH, re-
ctam IK, secat bifariam, & ad rectos angulos, & recta iuncta LO, ad eandem IK,
perpendicularis est.

A L I T E R. Per extreūm A, educatur recta vñcunq ACEK, faciens cum
AB, angulum, nec valde magnum, nec valde acutum. Deinde per alterum extre-
um B, ducta vñcunq alia recta BD, secante AK, in C, ita tamen, ut AB, & AK
non valde oblique secantur, sed ita, ut intersectionum puncta C, B, commode di-
scerni possint, absindantur ipsi AC, beneficio circini quotcunque rectas æqua-
les CE, EF, FG, GH; & ex C, & ultimo punto H, interuallis æqualibus CI, HK,
arcus describantur ID, KL; sumptoque arcu KL, æquali arcui ID, inter rectas
CI, CD, intercepto, ducatur recta HL, ex qua usque ad O, accipiantur tot par-

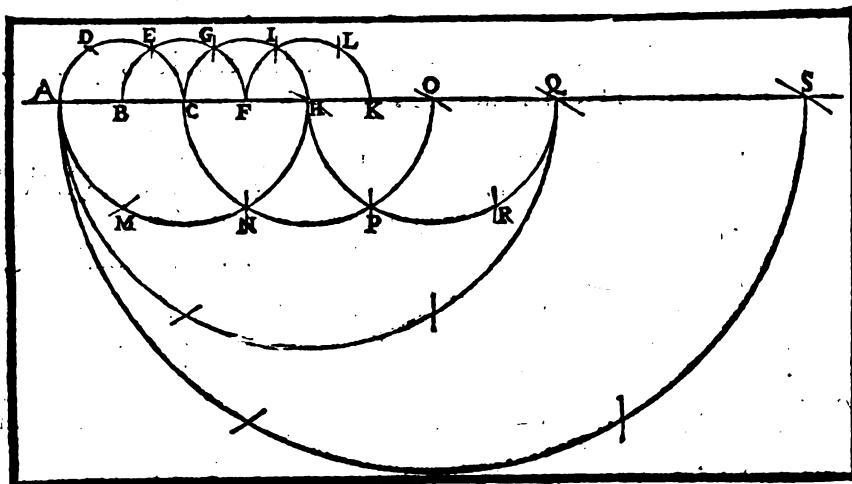


tes æquales ipsi CB, quot partes æquales ipsi AC, sunt in AH. Nam recta AB
producta cadet in O, vel recta AO, per B, transibit. Quoniam enim arcus ID,
KL, æquales sunt; erunt anguli etiam ICD, KHL, internus & externus, æqua-
les, ac proinde CB, HO, parallela erunt. Cum ergo sit, ut AC, ad AH, ita CB,
ad HO, quod toties contineatur AC, in AH, quoties CB, in HO, ex construc-
tione, transibit ex scholio propos. 4. lib. 6. Eucl. recta AO, per B, & recta AB,
per O. Quod si ex G, alius arcus describatur MN, ad idem interuallum CI, vel
HK, sumaturque arcus MN, eidem arcui ID, æqualis, erit eodem argumento du-
ca GN, ipsi CD, parallela. Si igitur in GN, accipiantur rursus tot partes usque
ad

ad P, ipsi CB, æquales, quot partes ipsi AC, æquales sunt in AG, transibit eadem recta AO, per punctum etiam P: quod eadem fit proportio AG, ad AH, quæ GP, ad HO, propterea quod multitudo partium ipsius AG, est æqualis multitudini partium GP, ad HO, & multitudo partium ipsius AH, æqualis multitudini partium ipsius HO, &c. Atque hac ratione plura puncta inuenientur, per quæ recta AB, extensa transibit, si nimis ex aliis partibus ipsius AH, parallela ipsi CB, agantur, &c.

P O T E S quoque, si placet, antequam rectam CD, per B, ducas, sumere in AK, quotcunque partes æquales ad libitum AC, CE, &c. & per C, rectam ducre, quæ rectam AB, ductam in puncto aliquo fecerit. Ut si puncta data essent A, Q, ducta esset per C, recta CD, fecans AQ, in B. Nam si reliqua fiant, quæ prius, absolvemus id, quod propositum est, eodem modo. Atque hac posteriori via non opus est circiuo partem AC, accipere, (quæ si non exquisite accipiatur, necessario efficitur, ut eius multiplex AH, vel AG, sit vel nimis magna, vel nimis parua; qui error vitatur, si ante ductum linea CD, sumantur, ut dictum est, quotuis partes æquales AC, CE, &c.) sed satis est, si CB, circino accipiatur, & in rectas HL, GN, toties transferatur, quoties AC, in AH, AG, existit.

L I B E T hoc idem tertia adhuc ratione facilitata absoluere, & quidem si libet, vnicō circini interuallo. Sint enim rursus data duo puncta A, B, vel recta AB, producēda. Ex B, per A, arcus describatur AC, ex quo ad idem interuallum



AB, tres æquales arcus abscindantur AD, DE, EC. Rursus ex C, ad idem interuallum describatur arcus BF, qui per B, centrum prioris transibit, cum eius semidiameter huius semidiametro ponatur æqualis. Abscissis autem eodem interuallo tribus arcibus æqualibus BB, EG, GF; (cadetque punctum E, in punctum intersectionis arcuum AC, BF, ob semidiametrorum æqualitatem) describatur quoque ex F, arcus CH, ad idem interuallum, qui eadem de causa per C, centrum antecedentis arcus incedet. Sumptis eodem interuallo tribus arcibus æquals CG, GI, IH, (cadetque eadem ratione punctum G, in sectionem arcuum BE,

BF, CH) describatur rursus per F , eodem intervallo ex H , arcus FK , in quo ite-
rum sumantur eodem intervallo tres aequales arcus FL , IL , LK , atque in hunc
modum constructio eadem continuetur, quantum libuerit, aut opus fuerit. Di-
co rectam AB , extensam transire per omnia puncta inuenienta C , F , H , K . Quo-
niam enim ex coroll. propos. 15. lib. 4. Eucl. arcus AD , DE , EC , tres sextae par-
tes circuli sunt; erit $ADEC$, semicirculus, ideoque diameter AC , per centrum
 B , transibit. Eadem ratione transibit BF , per C , & CH , per F , & FK , per
 H , &c.

QVANDO data linea AB , est per exigua, ne praxis longior, quam per est,
euadat, inuenito punto C , extensaque recta AB , usque ad C , fixa C , ad interval-
lum rectæ CA , arcus describatur AH , in eoque accipiatur eodem intervallo
 CA , tres arcus aequales AM , MN , NH , inuenientur: ex punctum H : Ex quo si ad
idem intervallo per C , arcus describatur, reperiatur eodem modo punctum O ; &
si ex hoc ad idem intervallo OH , arcus describatur, inuenietur eadem ratione
punctum Q , & sic deinceps. Immo inuenito punto H , si ex eo arcus AQ inter-
vallum HA , describatur, reperies similiter punctum Q ; atque ex inuenito punto
 O , si arcus per A , describatur AS , inuenies punctum S . Denique infinitis modis
praktin mutare poteris in arcibus describendis, &c.

LEMMA XII.

DATIS duabus rectis tertiam, & tribus quartam
proportionalem inuenire.

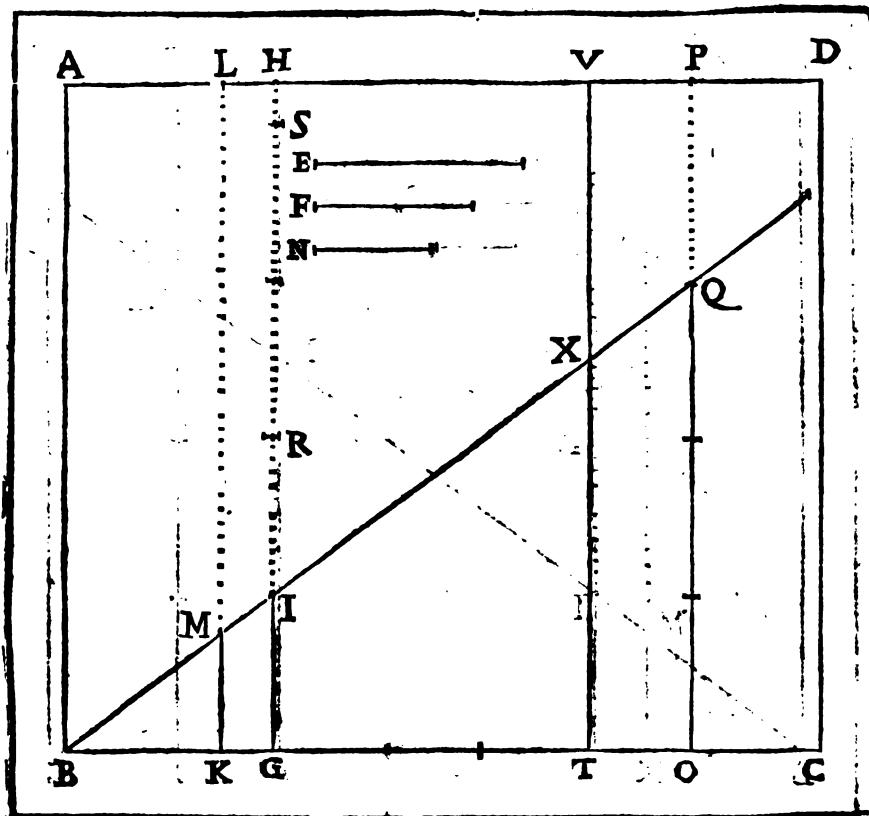
HIC solum propositionem 11. & 12. lib. 6. Eucl. ad faciliorem praxim rebo-
cavimus. Huic autem negotio aptissimum est rectangle qualemque; $ABCD$. In
hoc enim nullo labore id, quod propositum est, exequemur. Sit ergo duabus re-
ctis E , F , reperienda tertia proportionalis: Prima E , abscindatur aequalis BG ,
 AH , in lateribus rectangle oppositis, & iuncta recta GH , abscindatur GI , equa-
lis secunda F , connectaturque recta BI , & ulterius protendatur, si opus fuerit. De-
inde etiam secunda F , vel GI , aequalis auferantur BK , AL , iungaturque KL , secas-
sus BI , in M . Dico KM , tertiam esse proportionalem duabus E , F , vel BG , GI . Quidam enim
3o. primi.
4. sexti.
Quoniam enim GH , KL , ipsi AB , paralleles sunt, atque adeo & inter se, erit vt BG
ad GI , ita BK , ad KM . Cum ergo BG , ipsi E , & GI , BK , ipsi F , aequalis sint, erit
quoque vt E , ad F , ita I , ad KM ; adeo vt si inuenatur N , ipsi KM , aequalis, habean-
tur tres lineæ continue proportionales E , F , N .

SI T rursus tribus rectis datis BG , GI , BO , inuenienda quarta proporcionalis. Prima ac tertia collocentur in latere BC , initio facto a B , eisque in latere op-
posito aequaliter absindantur AH , AP : Suntque autem rectis GH , OP , & a termi-
no primo abscissa GI , aequali ipsi secundæ, ducatur recta BI , quæ producta fecet
 OP , in Q . Dico OQ , esse quartam proportionalem quatuorpartitam. Erit enim, vt
prius, BG , prima ad GI , secundam, quemadmodum BO , tertia ad OQ , quartam.
Sic tribus rectis BO , OQ , BG , reperiatur quarta proporcionalis GI .

VERVM: vt omnia hec siant quam exquisitissime, diligenter hæc cautiones
adhibendas sunt. Primum, quando duabus rectis tertia inuenienda est propor-
tionalis, si quidem prima aequalis est, vel maior quam secunda, cuiusmodi fuerunt
duæ

duæ E, F, quibus æquales abicmissæ sunt BG, GI, nihil in præcepto dato immutandum est, eo quod tunc recta BI, non admodum oblique rectas GI, KM, secat; ex quo fit, punctum intersectionis M, commode discerni posse, quod secus accidet si GI, obliquius secaretur.

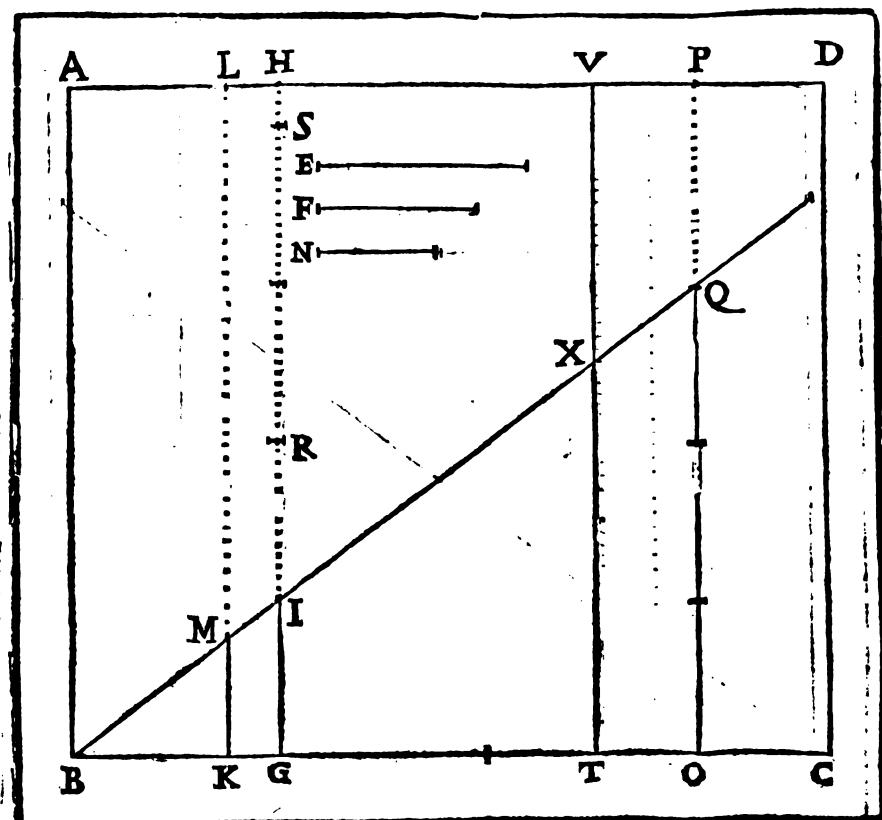
S I vero prima fuerit minor quam secunda, ut si daret sint duæ BG, GS, quoniam tunc ducta recta BS, & oblique valde ipsam GS, intersecat, & longius produci debet, ut cum TV, (sumpus BT, æquali ipsi secunda GS) conueniat, secabimus secundâ GS, bisariam in R, & GR, rursus bisariam, atque ita deinceps, donec in partem incidamus, quæ vel æqualis sit primæ BG, vel minor, qualis hic est GI, quarta pars secundæ. Et quia ducta recta BI, licet non nimis oblique ipsi



Sam GI, secerit tamen quia longius producitur, ut intersecet ipsam TV, et si usus fecerimus, si in latere BC, sumamus aliquot partes priore linea BG, æquales, donec inveniamus rectam BO, ipius BG, triplicem, quæ vel æqualis sit recta BT, vel maior; (In exemplo est BO, primæ BG, tripla) atque in parallela OP, recipiamus

cipiamus OQ , ita multiplicem ipsius GI , vt est BO , ipsius BG , multiplex. Nam duxa recta BQ , (qua omnino per I, transbit, ex scholio propos. 4. lib. 6. Euclidis, cum sit, vt BG , ad BO , ita GI , ad OQ , ex constructione) secabit parallelam TV , in X , eritque TX , (quarta proportionalis ipsius BG , GI , BT ,) quartam pars tertiae proportionalis quælibet, eadem nimisrum pars, qua est GI , secundum lineam GS , adeo vt TX , quater sumpta conficiat totam tertiam proportionalem. Cum enim sit, vt BG , prima ad GI , ita BT , secunda ad TX ; erit quoque ex scholio propos. 22. lib. 5. Eucl. vt BG , prima ad quadruplam ipsius GI , hoc est, ad GS , secundam, ita BT , secunda ad quadruplam ipsius TX , atque idcirco quadruplicis suis TX , erit tertia proportionalis quælibet.

• 4. sexti.



QVOD si prima, vel secunda linea data fuerit longior, quam rectangularium, quod, quidem vel propter spatij angustiam produci nequit, vel producere non habet, sumendæ erunt carum semisses, & harum semissim iterum dimidiatæ partes, & sic deinceps, donec partes habeantur rectangulo breviores. Inuenta namque

que tertia proportionali hisce partibus, si ea toties multiplicetur, quoties illae partes in totis lineis continentur, conficietur tertia proportionalis quæ sita, a quod partes cum pariter multiplicibus eandem habeant proportionem.

D E I N D E quando tribus rectis adiungenda est quarta proportionalis, si quidem prima est omnium maxima, seruandum est præceptum supra traditum ad vnguem, sicut patuit in rectis BO, OQ, BG, quibus quarta proportionalis inuenta est GI.

S I vero prima non sit maxima, maior tamen quam secunda, vt si date sint tres rectæ BG, GI, BT, multiplicanda erit prima BG, in restâ BE, donec habeatur BO, maior quam tertia BG, vel æqualis. Et in ducta parallela OP, multiplicanda secunda GI, usque ad Q, toties, quoties prima BG, usque ad O, multiplicata fuit: vt in dato exemplo BO, OQ, triplices sunt ipsarum BG, GI. Ducta enim recta BQ, (quæ ex scholio propos. 4. lib. 6. Eucl. per 1. transibit) secante parallelam TV, in X, erit tribus BG, GI, BT, quarta proportionalis TX.

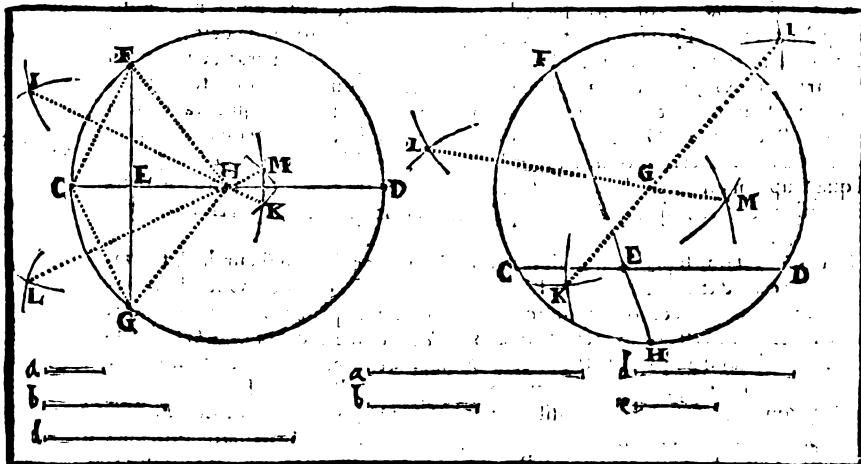
A T si prima maxima non sit, sed minor quidem quam secunda, maior autem quam tertia, vt si date sint tres rectæ BG, GS, BK, sumenda erit secundæ GS, pars dimidiata, vel quarta, vel octaua, &c. donec pars occurrat, cuiusmodi est quarta pars GI, minor quam prima linea BG. Nam ducta recta BI, secante parallelam KL, in M, erit KM, quarta pars quartæ proportionalis quæ sita, eadem pars videlicet, quæ est GI, secunde GS. Cum enim sit, vt BG, prima ad GI, ita BK, tertia ad KM; erit quoque ex scholio propos. 22. lib. 5. Euclid. vt BG, prima ad quadruplicem ipsius GI, hoc est, ad secundam GS, ita BK, tertia ad quadruplicem ipsius KM; ideoque quadruplica ipsius KM, erit quarta proportionalis, quæ inquiritur.

S I C etiam, si prima non sit maxima, sed minor, quam secunda & tertia, vt si tres rectæ date sint BG, GR, BT, accipienda erit secundæ GK, dimidiata pars, vel quarta, &c. quæ videlicet minor sit, quam prima BG, qualis est GI, semissis secundæ GR. Quo facto, prima BG, & secundæ accepta pars GI, æquale multiplicanda in BC, OP, donec BO, inueniatur maior, vel æqualis tertiae BT: vt in dato exemplo BO, OQ, triplices sunt ipsarum BG, GI. Ducta enim recta BQ, (quæ omnino per 1. transibit, ex scholio propos. 4. lib. 6. Euclid.) secante parallelam TV, in X, erit TX, talis pars quartæ proportionalis inuenientæ, quæ est GI, secundæ linea GR, nimirum in dato exemplo pars dimidiata. Quia enim est, vt BG, prima ad GI, ita BT, tertia ad TX, erit etiam, ex scholio propos. 22. lib. 5. Euclid. vt BG, prima ad duplam ipsius GI, id est, ad secundam GR, ita BT, tertia ad duplam ipsius TX, ac proinde dupla ipsius TX, quarta proportionalis erit tribus datis BG, GR, BT.

Q V O D si prima, ac tertia longiores sint rectangulo, secundæ erunt ambæ bisariam, vel in quatuor partes æquales, &c. secundæ intactæ relata. Nam ita erit pars primæ ad secundam, vt eadem pars tertiaz ad quartam inuentam. Si autem sola prima sit longior, diuidendæ erunt pariter prima & secunda, tertia intactæ relata: quia ita erit prima ad secundam, hoc est, vt pars primæ ad eandem partem secundæ, vt tertia ad quartam inuentam. Si denique sola tertia longior fuerit, ea sola diuidenda erit. Ita namque erit prima ad secundam, vt pars tertiaz ad eandem partem quartæ inuentam. Si ergo toties sumatur pars quartæ inuenta, quoties accepta pars tertiaz in tertia continetur, confabatur tota quarta proportionalis, quæ quæritur.

SCHO-

S E D sicut hoc lemma hoc alia ratione absoluemus, que quidē in Astrolabio, & plerisque aliis in rebus commodissima est, praesertim quando duabus rectis tertia proportionalis adiungenda proponitur. Sit duabus rectis a , b , adiungenda tertia proportionalis. In recta quatuor CD , sumatur prima a , aequalis CE , & per E , ductā ad CD , perpendiculari FG , sumantur EF , EG , secunda b , aequales: Et per tria puncta F , C , G , circulus describatur ex centro H , secans CD , in D . Dico ED , tertiam esse proportionalem ad duas CE , EF , hoc est, ad duas a , b . Quoniam enim ex scholio propos. 13. lib. 6. Euclid. EF , media proportionalis est inter CE , ED ; erit ut CE , ad EF , ita EF , ad ED . Sumpta igitur d , ipsi ED , aequalis, erit quoque ut a , ad b , ita b , ad d ; ac proinde d, ipsi a , b , tertia proportionalis est. quod est propositum. Centrum autem H , inuenietur, si ex C , F , ad idem intervallo ex utraque parte quatuor arcus describantur intersectantes se se in I , K ; Et ex C , G , ab alijs quatuor secantes se se in L , M . Nam recta IK , LM ,



se intersectabunt in H , centro, quod in scholio propos. 25. lib. 3. Euclid. demonstramus: eritque centrum H , in recta CD , ex coroll. propos. 1. lib. 3. Euclid. Quod etiam inuenietur, si ductis rectis CF , CG , angulis FCE , GCE , aequales sint: CFH , GHG : Recta namque FH , GH , secabant CD , in H , centro: propere a quadris recta HF , HC , HG , aequales sunt. Nam HF , HG , aequales sunt, propter duo latera EF , EH , aequalis duobus lateribus EG , EH , & angulos rectos ad E . At utravis HF , HG , ipsi HC , aequalis est, ob angulos aequales ad C , F , vel C , G .

S I T rursus tribus rectis a , b , d , reperienda quarta proportionalis. In qualibet recta CD , abscindantur secunda b , & tertia d , aequales CE , ED , & per E , ductā recta FH , utcunque, sine perpendiculari ad CD , siue non, sumatur prima a , aequalis EF . Et per tria puncta F , C , D , circulus describatur ex centro G , secans EH , in H . Dico EH , esse ipsis a , b , d , hoc est, ipsi EF , EC , ED , quartam proportionalem: adeo ut e, ipsi EH , aequalis, sit quasita quarta proportionalis. Quoniam enim rectangle sub EF , prima, & EH , quarta, rectangle sub EC , secunda, & ED , tertia, aequalis est; d erit ut EF , prima

$\hat{E}F$, prima ad $\hat{E}C$, secunda, ita $\hat{E}D$, tercia ad $\hat{E}H$, quartam. quod est propositum. Cen-
trum autem G , reperietur quoque hic, si ex F, D , ad iucundum interuum ex utraque parte
quatuor arcus describantur se intersectantes in I, K . Et ex C, F , alij quatuor se se interse-
cantes in L, M , in centro G , se mutuo dividere, ut in dicto scholio propos. 25. lib. 3. demonstratum est a nobis.

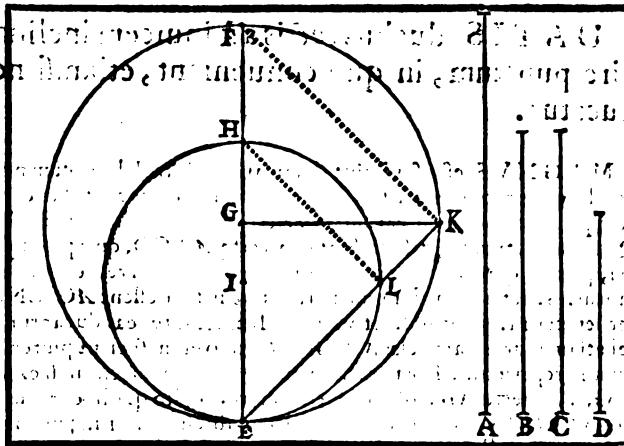
A L I T E R adhuc, si placet, eorum Lemma expediemus hac modo. Sit du-
bus rectis A, B , inuenienda tercia proportionalis, sique primum A , prima maior. Sum-
pta recta EF , ipsi A , aequali, describatur circa eam ex medio punto G , circulus EKF ,
in quo applicetur recta EK , ipsi B , aequali, eidemque equalis abscedatur EH , circa
quam ex medio punto I , circulus describatur ELH , secans EK , in L . Dico EL , tertiam
proportionalē esse. Quoniam enim iuncta recta FK, HL , per 5. l. una parallela
sum, quod circuli E minor tangans in E , ex scholio propof. 13. lib. 3. Eucl. erunt triangu-
la EFK, EHL , aequiangula. Igittu erit, ut EK , hoc est, ut A , ad EK , id est, ad B , ita
 EH , vel B , ad BL .

S I T deinde duabus rectis D, C , inuenienda tercia proportionalis, sique D , prius
minor. Sumppta recta EH , secunda vniuersitatis C , aequali, describatur circa eam ex punto
medio I , circulus EDH , in quo applicetur recta EL , prius D , aequalis, ex qua producta
abscedatur EK , ipsi EH , vel secunda C , aequalis, analogi KEH , aequalia stat EK, G ,
bita ut recta GE, GK , aequales sint. Descripto autem ex G , circulo per E, K , secante EH , productam in E ; ut EK , esse terciam proportionalem. Erit enim ut prius, ita
 EL , vel prima D , ad EL , vel ad C , secundam, ut EK , vel C , secunda, ad EF .

R V R S V S

trilobis rectis A, B, C , quarum
prior, maxima, in linea AB , in linea BC , in linea CA , et in linea ABC , sit, quam secun-
da & tercia, inuenienda sit
quartae propor-
tionalis. Circu-
ratur EF , pri-
ma A , aequalē
circulus descri-
batur EKF . Et
circum EF , rectam
 EH , secunda B ,
aqualē circulū
 EHL , describa-
tur; applicer-
turq; in priore
circulo recta EK , tercia C ; aequalis secundus posteriorum circulum in L . Dico EL , esse
quartam proportionalem. Erit enim ut prius, ita EF , ad EK , ut EH , ad EL . Igittu
permuto, ut EF , vel A , prima ad EH , vel ad B , secundam, ita EK , vel C , ter-
tia ad EL .

A L I T E R triibus rectis C, D, A , quarum prima maior sit, quam secunda, minor am-
orem, quam tercia, sit inuenienda quartā proportionalis. Circumferentiam EH , prius C ,
aqualē describatur circulus ELH , in quo applicetur EL , secunda D , aequalis. Et ex
 EH , producta, abscessu EF , tercia A , aequali, describatur circa eam circulus EKF , se-
cans $E L$, productam in K . Dico EK , esse quartam proportionalem. Erit enim ut
prius,



4. sexti

5. primi.

6. primi.

4. sexti.

prius, ita EH, vel C, prima, ad EL, vel ad D, secundam, ut EF, vel tertiam A, ad EK.

P R A E T E R E A tribus rectis B, A, D, quarum prima minor sit, quam secunda, maior autem quam tertia, inuenienda quarta proportionalis. Circa EH, prima B, aequalem describatur circulus ELH, in quo applicetur EL, tertia D, aequalis. Sumpraque in EH, producta, recta EF, secunda A, aequali, describatur circa eam circulus EKF, secans EL, productam in K. Dico EK, esse quartam proportionalem.

* 4. sexti. Erit enim ut prius, ita EH, ad EL, ut EF, ad EK. Igitur permutando, ut EH, hoc est, ut B, prima, ad EF, vel ad A, secundam, ita EL, vel D, tertia, ad EK.

D E N I Q V E tribus rectis D, C, B, quarum prima sit minor, quam secunda & tertia, inuenienda quarta proportionalis. Circa EH, secunda C, aequalem describatur circulus EKH, in quo applicetur EL, prima D, aequalis, ex qua producta absindatur EK, tertia B, aequalis, anguloque KEH, aequalis sit EKG, ita ut recta GE, GK, aequales sint. Descripto autem ex G, per E, K, circulo secante EH, productam in F, dico EF, esse quartam proportionalem. Erit enim ut prius, ita EL, vel prima D, ad EH, vel ad secundam Cr ut EK, vel tertia B, ad EF.

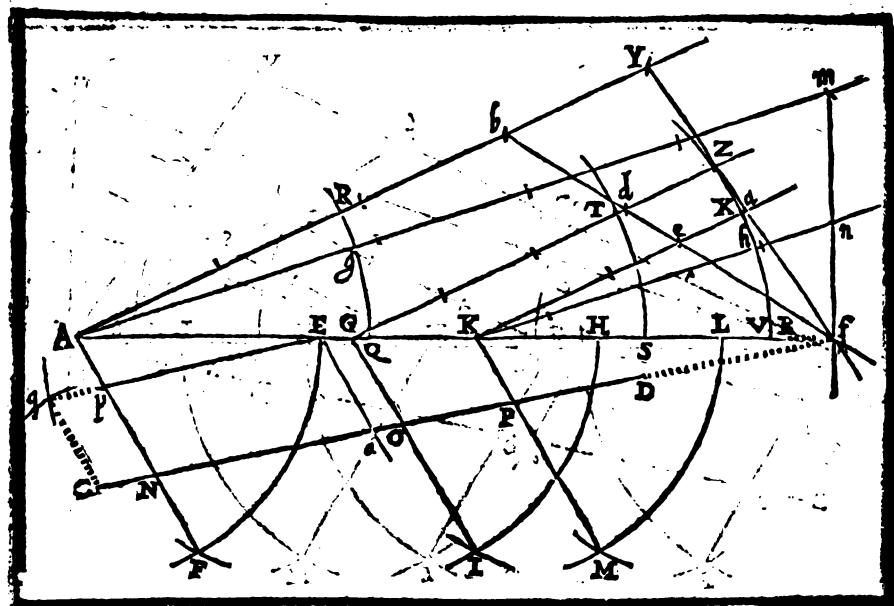
L E M M A XIII.

D A T I S duabus rectis ad inuicem inclinatis, inuenire punctum, in quo conueniant, etiamsi neutra producatur.

M A G N V S est usus huius semmatis in Astrolabio, cum non raro duæ linea longius producendas sint, ut punctum, in quo coeunt, habeatur, quod quidem propter obliquam earum intersectionem vix sine errore discerni potest. Quare hoc vtener artificio. Sint duæ rectæ AB, CD, quæ productæ coeant vere in f, punto, quod tamen nos inuestigabimus, etiam si rectæ AB, CD, non producantur. Si datæ rectæ sint nimis breues, ut si datæ essent AG, CN, producantur per lemma 11. quantumlibet usque ad B, D, & inter eas ducantur duæ, vel tres, vel etiam plures parallelæ AF, GI, KM. quo enim fuerint plures, eo certius punctum f, reperietur. Haec parallelæ nullo negocio ducentur, si ex diuersis centris A, G, K, in recta AB, assumptis eodem interuallo quolibet arcus describantur, EF, HI, LM. Ex his enim si æquales arcus absindantur in punctis F, I, M. (Nos eodem interuallo, quo descripti sunt, eos abscidimus, ac si constitui deberent) equilatera triangula AEF, GHI, KLM, quod tamē necessarium non est erit ductæ AF, GI, KM, ex ceteris parallelæ, & anguli ad A, G, K, aequales sint, ob sequentes arcus EF, HI, LM; secabutq; recta CD, in N, O, P. Rursum per A, G, K, parallelæ ducantur acutos angulos cum AB, efficiens, quæ facile etiam ducentur hoc modo. Descriptis ex A, G, K, arcibus QR, ST, VX, eodem interuallo quocunque, (quo autem fuerit maius, eo melius) resecantur arcus non valde magis

* 28. primi. gni æquales in punctis R, T, X. Ductæ enim rectæ AR, GT, KX, parallelæ erunt, & quod anguli æqualibus arcibus QR, ST, VX, inservientes in centris A, G, K, sint æquales. In his autem parallelis AR, GT, KX, accipiuntur partes regis

GEO, **KP**, a quibus numero quotlibet usque ad **Y**, **Z**, a recta estas nim per huc puncta ducta secabit utramque **A**, **B**, **C**, **D**, productam in sectionis puncto **f**, atque ita aliquotrum earum, vel utraque producatur, habebitur punctum **f**, satis exquisite, etiam si oblique seceantur. Et si per alia puncta **b**, **d**, **e**, terminantia alias partes numero aequalibus ducatur recta, transibit ea per idem punctum **f**, atque ita magis exquisite invenientur erit punctum intersectio ipsius **f**; immo haec ratione punctum **f**, habebitur, in quo conuenire debent datae rectae **A**, **B**, **C**, **D**, etiam si productae non sint. Eadem ratione exaltes **Y**, **Z**, a, sumantur aliæ partes ipsis **A**, **N**, **G**, **O**, **K**, **P**, aequalibus, Curandum autem est, ut tot numero aequalibus accipiantur, quot satis esse videbuntur. ut per extremitates ducta linea, non admodum obliqua secet utramque **A**, **B**, **C**, **D**, vel alteram earum) dabit recta per earum extrema puncta ducta idem punctum **f** in figura ducta sunt aliæ duæ rectæ **A**, **m**, **n**, inter se paralleles propinquiores ipsis **A**, **B**, per arcus aequalibus abscessos **Q**, **V**, & in utraque sumptu sunt **A**, **N**, **K**, **P**, quinque usque ad **m**, **n**. Ita enim recta **m**, **n**, in idem punctum **f**, incidet.



QV A M L I B E T autem rectarum **b**, **e**, **Y**, **a**, **m**, **n**, cadere in punctum **f**, ut utrumque recta **A**, **B**, **C**, **D**, seceantur, ita demonstrabimus. Quoniam est ut **A**, **f**, ad **A**, **N**; ita **G**, **f**, ad **G**, **O** sit pars impondo ut **A**, **f**, ad **G**, ita **A**, **N**, ad **G**; Ut autem **A**, **N**, ad **G**, ita quoque est **Y**, **f**, ad **G**, quod haec sint illarum seques multiplices, geniti ab etiis, ut **A**, **f**, ad **G**, ita **A**, **Y**, ad **G**, ac proinde ex scholio propos. 4, lib. 6. Eucl. recta **Y**, **f**, per **Z**, transibit ideoque **Y**, **Z**, producta in **f**, incideat. Eademque ratio est de alijs.

4. sexti.
5. quinto.

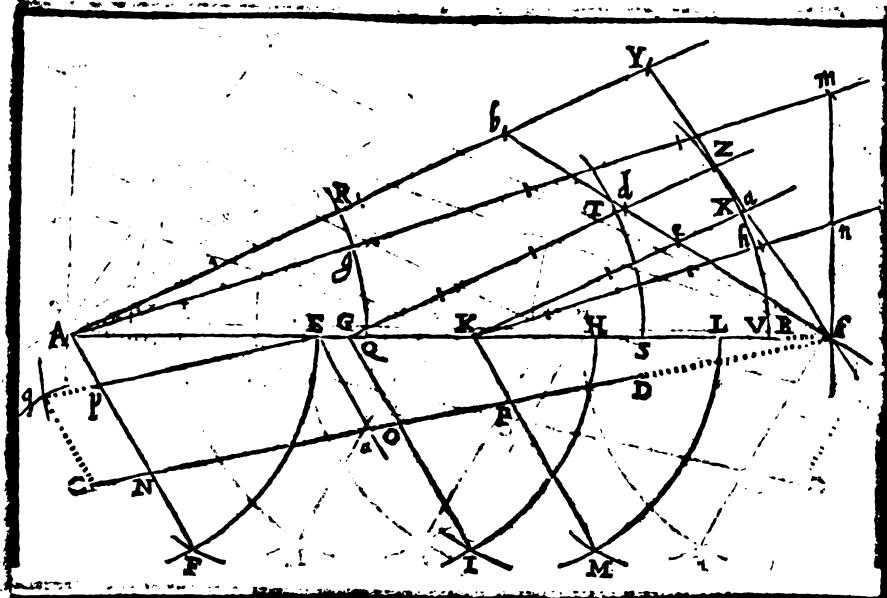
F QVOD

QVOD si quando contingat rectas datae esse tam parum inter se distantes, ut parallela inter ipsas sint nimis parue, ac propterea incommode id, quod proponitur, effici possit, cuiusmodi sunt duæ AG, pE, ducenda erit vt canque recta Ap, eaque producta aliquoties sumeda, vt V.g.ter vsq; ad N, ac per N, ipsa pE, parallela ducenda NO, inueniendumque punctum f, in quo conueniunt AG, NO, productæ. Nam si qualis pars est Ap, ipsius AN, talem partem ex Af, absca littera secare debet latera AN, AF, &c.

A L I T E R. Ducta recta AN, vt canque ab extremo A, quix ipsam CD, non valde oblique fecerit, ducatur ex quoouis punto E, recta AB, ipsi CD, parallela secans AN, in p; que facile hoc modo ducetur. Ductur E a, vt canque secans CD, in a. & intervallo E a, ex C, arcus describatur, quem in q, fecerit alius arcus ex E, ad interuum a C, descriptus. Nam recta E q, secans AN, in p, parallela erit ipsi CD; quod quadrilaterum E a C q, sit ex scholio propos. 34 libri 1. Euclid. parallelogrammum, ob latera opposita æqualia. Quia igitur est, vt pA, ad AE, ita N A, ad Af; si tribus pA,

a. sexti.

b. sexti.



a. sexti.

AE, NA, inserviant, per lemma præcedens, quætra proportionalis, si quis equalis ex AB, absindatur, incho factio à punto A, incidens in punctum f. Vel sic. Quantum est vt Ap, ad pN, ita AE, ad Ef, fixibus Ap, pN, AE, quætra inveniatur proportionalis Ef, dabit ea idem punctum f, translatâ in rectam AB, huius factio à punto E.

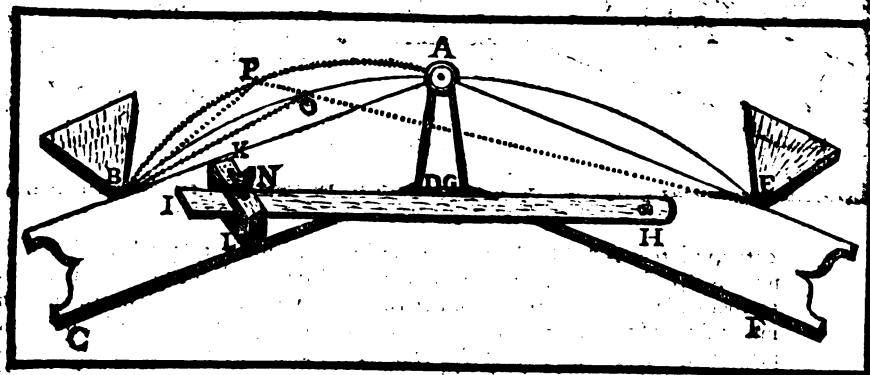
CO/2 7

LEMMA

LEMMA XIV.

INSTRUMENTVM construere, quo per datā tria puncta , etiamsi secundum lineam ferme rectam constituta sint, arcus circuli possit describi , siue auxilio circimi .

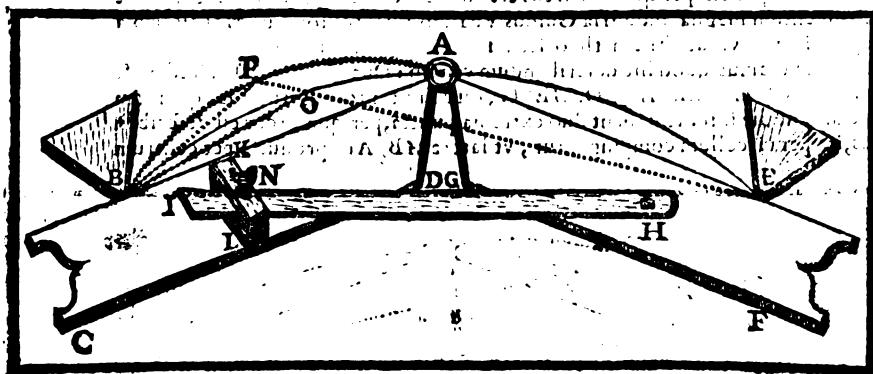
IN Astrolabij constructione accidit nonnunquam, ut per tria puncta iure ferme lineam constituta arcus circuli describendus sit, quod circino vix, aut ægre fieri potest, propterea quod centrum eius circuli nimis procul à datis punctis abest, (quando enim centrum commode haberi potest, docuimus in scholio propos. 2. lib. 3. & in scholio propos. 5. lib. 4. Eucl. qua id ratione inveniendum sit) idcirco hoc loco structuram docebimus eiusdem instrumenti, quo vel eum arcu describamus, vel certe inter datā tria puncta reperiamus quotuis alia puncta, per quæ ille arcus transtire debet. Construxit quidem simile instrumentum magna industria Guldius Waldus è Matchionibus Montis in planetariorum vniuersalium theorica, sed nos aliud aliquanto simplicius olim excogitaveramus, quod hic describendum conseq̄: Duz ergo regula eiusdem & latitudinis & craticie ABCD, AEG, que sunt tangentēs longitudinis, quantam sere distantiam inter se habent duo extrema puncta, per quæ arcus est describens, ita per circellum compingantur, ut latera AB, AE, producta per centrum



transcant, ipsieque regula circa idem centrum, tanquam cardinem, moueri-
queant, ut videlicet modo magis, modo minus dilatari possint, aut constringi:
prout angulus BAE, debet esse magis aut minus obtusus: cuius redi causa refecan-
do sunt particula quadam prope centrum A, ut nimis anguli fiant acuti
DAB, GAE. Si enim anguli prope A, effient recti, conficerent latera AB, AE,
rectam lineam & regula ipsa constringi non possint, ut continerent an-
gulum obtusum BAE. Non est autem necesse, ut constringi possint ad angu-
lum acutum efficiendum: quia quando recte proxima bina puncta connecten-

tes constituunt acutum angulum, facilius per scholium propos. 25. lib. 3. vel per scholium propos. 5. lib. 4. Euclid. quām beneficio huius instrumenti, arcus circuli per ea puncta describitur. In centro autem A, prominat deorsum versus stylus quidam per exiguum & acutum ad arcus delinquentes. Deinde in aliquo punto H, regula AEG, affigatur regula quædam extrema Hl, ita ut circa H, circumferenti poscit. Postremo in puncto alterius regule AC, quod consistit in lateribus AB, AE, in lineam rectam tangentem absit a puncto H, quanta est longitudine regule HI, affigatur rectangulum quodpiam solidum patrum encum KL, ut circa dictum illud punctum possit etiam circumvolui, & regulam HI, intalpum rectangulum immitti queat, & cochleola aliqua N, ita astringi, ut regulæ duæ AC, AF, immobiles persistant, hoc est, angulum BAE, non mutent.

DESCRIPTVS igitur hoc instrumento arcum per data tria puncta B, A, E, immitat regulam HI, in rectangulum KL, & stylum ex centro A, prominentem in puncto intermedio A, statuat, lateraque regularem AB, AE, ita dilatet, constringatur, ut omnino per reliquias puncta B, E, transcedant quibus ita constitutis, cochleola N, constringat regulam HI, ut regulæ AC, AF, rectangulum BAE, mutare nequeant. Nam si instrumentum sic paratum circumdu-



catur, ut latera AB, AE, semper per puncta B, E, transeant, (quod fieri, si in ipsis punctis B, E, firmentur anguli duorum triangulorum solidorum encorum) describet stylus ex A, centro prominens arcum BAE; aut certe, si instrumentum mutet sepius situm, ita tamen ut latera transeant per puncta B, E, stylus idem impriet inter A, & B, & inter A, & E, varia puncta, quæ decenter & congrue conexa arcum efficient BAE. Quod autem ad hunc motum instrumenti stylus ex A prominens describat arcum circuli, ex eo liquet, quod in eo arcu perpetuo idem angulus BAE, existat: quod quidem proprium est segmenti cuiusvis circuli, ut Euclides demonstravit. Nam si, verbi gratia, instrumento eum habente situm, ut stylus in O, ponatur, & latera sint OB, OE, dicat quis, arcum circuli per tria puncta B, A, E, descriptum (posse enim per quous tria puncta arcum describi, demonstratum est ab Euclide, dummodo ea in rectâ linea non intersectant, sed rectâ ea coniungentes triangulum constituent) non transiro per punctum O, secabit is necessario rectam EO, vel ultra O, productam; vel circa O, fecerit eam ultra O, in P, iungaturque recta BP. Erit ergo angulus BRE, angulo BAE,

27. tertij.

4. quarti.

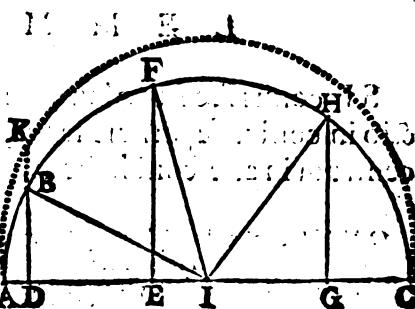
28. tertij.

BAE, æqualis, cum ambo sint in eodem circuli segmento cer puncta B, P, A, E, descripto. Cum ergo & angulus BOE, eidem angulo BAE, æqualis sit, immo idem omnino, cum solum situm mutarit; erunt æquales inter se anguli BOE, BPE, externus & internus, quod est absurdum; cum externus sit a 16. p. 16. int. interno major. Non ergo arcus secat EO, productam eademque ratione eam neque citra O, secabit. Quocirca arcus per tria puncta B, A, E, descriptus per O, transibit; atque eadem de causa per omnia alia puncta, quæ per instrumentum inueniuntur, transibit.

L E M M A X V .

CURVA linea, cui subtensa sit recta linea, & quadrata omnium perpendicularium ex punctis lineæ curva ad subtensam rectam demissarum æqualia sint rectangularis contentis sub segmentis eiusdem subtensæ factis à perpendicularibus, hoc est, omnes perpendicularares sint mediz proportionales inter segmenta subtensæ ab ipsis factæ, semicirculus est, eiusque diameter recta illa subtensa, hoc est, semicirculus circa illam rectam subtensam descriptus curuæ datæ lineæ congruet, siue (quod idem est) per extrema puncta omnium perpendicularium transibit.

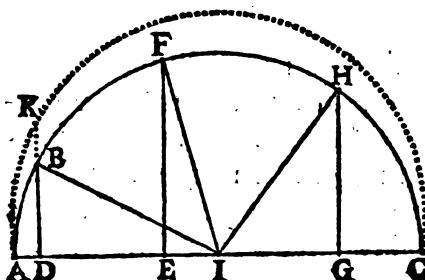
SIC curva quæpiam linea ABC, cui subtendatur recta AC, ad quam ex quotuis punctis curva B, F, H, deducantur perpendicularares BD, FE, HG, sitque tam quadratum ex DB, rectangulo sub AD, DC, æquale, quam quadratum ex EF, rectangulo sub AE, EC; & quadratum ex GH, rectangulo sub AG, GC, & sic de quæpiis alijs, quoiquæ perpendicularares ducantur: hoc est, cuiusvis perpendicularis quadratum æquale sit rectangulo sub segmentis rectæ AC, ab ea perpendiculari factis, siue (quod idem est) omnes perpendicularares sint mediz proportionales inter segmenta rectæ AC, ab ipsis factis: quia hac ratione erunt earum quadrata rectangularis sub segmentis æqualia. Dico ABC, esse semicirculum, eiusque diametrum AC, hoc est, semicirculum circa diametrum AC, ex cius puncto medio I, descriptum transfire per omnia



a 17. sexti.

Omnia puncta extrema perpendicularium, ita ut a curua linea ABC, non differat. Ductis enim rectis LB, IF, IH, ex I, punto medio ad extrema puncta omnium perpendicularium, & quoniam rectangulum sub AD, DC, una cum quadrato ex DI, quale est quadrato ex AI; & ponitur ei rectangulo aequalis quadrato ex DB; erunt quoque duo quadrata ex DI, DB, aequalia quadrato ex AI.

* 47. primi. * Est autem eisdem quadratis aequalis quadratum ex IB. Igitur quadrata ex IA, IB, aequalia, ideoque & rectas IA, IB, aequales erunt. Eadem ratione demonstrabuntur & IF, IH, & aliae rectae omnes ex medio punto I, ad extremitates perpendicularium omnium ductae eidem AI, ac proinde & inter se, aequales. Quare cum omnes rectae ex I, in curvam lineam ABC, cadentes aequalis sint, semicirculus erit ABC, eiusque diameter AC, ex definitione circuli, hoc est, semicirculus diametri AC, per omnia puncta extrema perpendicularium transibit, & a curua linea data non differet.



ALITER. Si semicirculus circa AC, ex eius medio punto I, descriptus dicatur non transit, verbi gratia, per punctum B; secabit is perpendiculararem DB, vel infra B, vel supra, vt in K; eritque propterea ex scholio propos. 13. lib. 6. Euclid. DK, media proportionalis inter AD, DC, ideoque quadratum ex DK, rectangulo sub AD, DC, aequalis erit: Ponitur autem eisdem rectangulo aequalis quadratum ex DB. Quadrata igitur ex DK, DB, aequalia, ideoque & rectae ipsae DK, DB, aequalis erunt, totum & pars. quod est absurdum. Transit ergo semicirculus diametri AC, per punctum B, eademque ratione per puncta F, H, & alia aliarum perpendicularium transit.

L E M M A XVI.

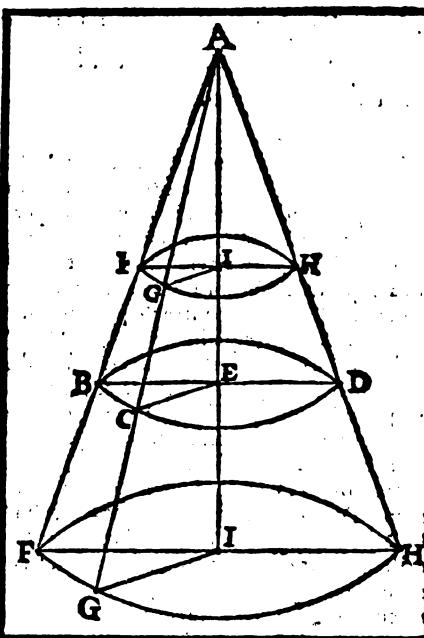
SI conus secetur plano, quod basi coni aequaliter distet, sectio in conica superficie facta, circumferentia circuli est, centrum in axe coni habens.

OMNES circulos sphære, qui per polum mundi australem non ducuntur, in Astrolabium projecti forma circulari, ex duabus propositionibus lib. 1. Apollonij Pergi, videlicet 4. & 5., demonstratur, vt suo loco dicemus. Quia vero non omnes in Apollonij demonstrationibus exercitati sunt, liber utramque illam propositionem hic inserere, præsertim quod eorum demonstrationes clarissimas sunt, ne cogatur studiosus lector Apollonium ipsum, qui obscurissimus auctor est, propter duas tantummodo propositiones, easque faciles, adire. Nam propo-

sitio 1. & 3. eiusdem primi libri, quæ ad illas duas assumentur demonstrandas, ex ipsa

en ipsa coni descriptione, quam ad defin. 20. lib. 11. Euclid. ex Apollonio attulimus, nullo negotio colliguntur. Nimirum (Rectas lineas, que à vertice coni ad puncta, que in superficie conica sunt, ducuntur, in ipsa superficie coni existere.) Item (Si conus plano per verticem secetur, sectionem triangulum esse.) Quia enim linea recta à vertice ad circumferentiam basis coni ducta, si circumferentiam eiusdem basis percurrat, vertice coni manente immoto, describit ex defin. superficie conicam, ita ut omnia eius puncta tangat, perspicuum est, omnes rectas à vertice ad quælibet puncta in superficie ducatas esse in ipsa superficie, cum partes aliquando fiant eius rectæ, quæ circa circumferentiam basis circumducitur in conicæ superficie; descriptione. Atque hinc alterum sequitur. Nam cum planum per eam vesticem ductum, secerit basem coni per lineam rectam, si ab extremitatibus huius rectæ ad verticem ducantur duas rectæ, existent hec in superficie conica, ut diximus, erintque propterea communes sectiones plani per verticem ductæ, & conicae superficie. Quare triangulum cum illa recta in basi constituent, quod nimirum a plano secante efficitur. Quod si planum secans per axem coni ducatur, appellatur triangulum illud secutum, triangulum per axem. His positis, facile lemma propositum demonstrabitur.

S I T coaxis sive rectas sive secantes, cuius vertex A, & basis circulus BCD, & axis AE, cadens in E, centrum basis. Secetur conus plano, quod basi equidister, faciente in conica superficie lineam FGH, sive hoc sit supra basim, sive infra, cono videlicet producio. Dico lineam FGH, esse circumferentiam circuli, cuius centrum punctum I, in axe, vbi à plato secante diuiditur. Ducto enim per axem AE, plato faciente triangulum per axem ABD, secanteque planum secans per rectam FH, sumatur in linea facta FGH, quodlibet punctum G, per quod ex vertice A, recta ducatur AG, quæ cum sit in superficie coni, occurreret basi in C. Ducatur rursus per rectas AI, AC, planum faciens in basi BCD, & linea FGH, communes sectiones rectas EC, IG. Quoniam igitur plana parallela BCD, FGH, secantur tam plato trianguli ABD, quam plato trangult AEC; erunt tam communes sectiones factæ BD, FH, quam EC, IG, parallele. 4. Igitur erit, vt AE, ad EB, ita AI, ad IF; & permutoando, vt AE, ad AI, ita EB, ad IF. Eademque ratione erit, vt AE, ad AI, ita ED, ad IH, & EC, ad IG. ac proinde erunt tres IE, IH, IG, tribus EB, ED, EC, proportionales, hoc est, erit, vt EB, ad IF, ita ED, ad IH, & EC, ad IG; & permutoando vt EB, ad ED, ita IF, ad IH, & vt ED, ad EC, ita IH, ad



b. undecim

16. undes.
4. sexti.

ss. quinto.

IH , ad IG . Cum ergo tres EB , ED , EC , è centro E , sint æquales ; erunt quoque tres IF , IG , IH , æquales ; atque eadem ratione omnes rectæ ex I , ad lineam FGH , ductæ demonstrabuntur æquales ipsis IF , IH . Círculus igitur est figura FGH , cuius centrum I , in axe coni $A E$.

L E M M A XVII.

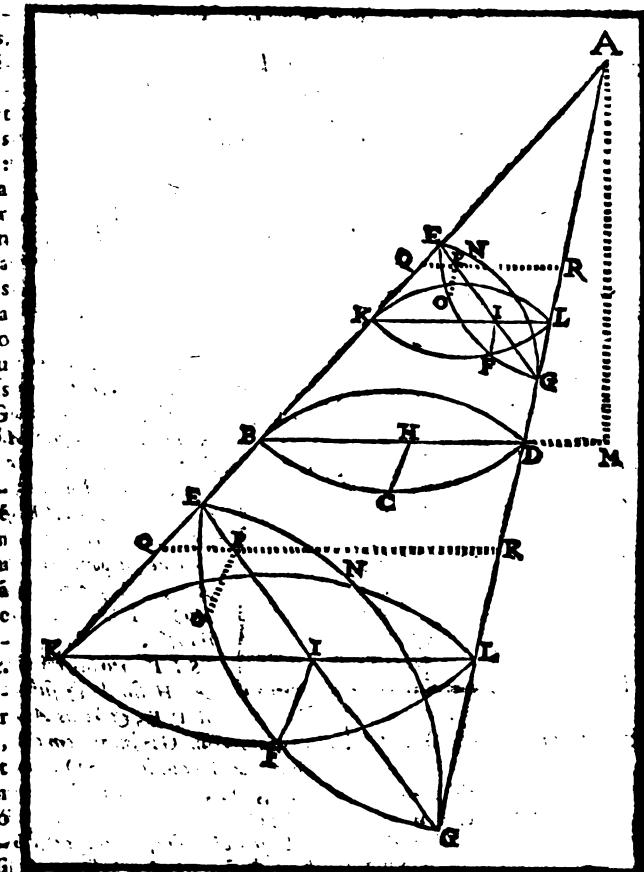
S I conus scalenus seceretur piano per axem, quod ad basem rectum sit, secereturque altero piano ad triangulum per axem à priore piano factum recto, quod triangulum ex triangulo per axem abscindat simile quidem ipsi triangulo per axem, subcontrarie vero positum: sectio circulus est, cuius diameter est communis sectio trianguli per axem, & plani, quod ipsam sectionem in conica superficie efficit. Huiusmodi autem sectio vocatur subcontraria.

- 11. undec. SIT conus scalenus, cuius vertex A , & basis circulus BCD , secereturque piano per axem ad basem recto (quod fiet, si ex vertice A , ad planum basis demittatur perpendicularis AM). Planum enim per axem, & perpendicularem AM , ducentum, ad basem rectum erit) faciente triangulum per axem ABD . Secetur quoque idem conus altero piano ad triangulum per axem recto, faciente in conica superficie lineam EFG , abscindatque ex triangulo per axem, triangulum ei simile AEG , & subcontrarie positum, sive hoc sit supra basem, sive infra, hoc est, angulus AEG , equalis sit angulo ADB , & angulus AGE , angulo ABD . Dico lineam EFG , circulum esse, eiusque diametrum EG , communem videlicet sectionem trianguli per axem, & plani facientis sectionem EFG . Si namque ex quibuscumque punctis C , F , in circumferentia BCD , & linea EFG , sumptis ad triangulum per axem ABD , perpendicularares CH , FI , demittatur, cadent haec in rectas BD , EG , quæ communes sectiones sunt trianguli per axem, & planorum BCD , EFG , ad idem triangulum rectorum, atque inter se paralleles erunt. Ducta autem per I , recta KL , ipsis BD , parallela; quoniam duæ rectæ FI , KL , conuenientes in I , duabus rectis CH , BD , in H , conuenientibus sunt paralleles; ferit quoque planum per FI , KL , ductum plano per CH , BD , ducto, id est, basi coni, parallellum; ac proinde ex præcedente lemmate, in superficie eont circulum faciet KFL , qui per punctum F , transibit, cum transire ponatur per rectam FI , punctumque F , in coni superficie existat, eiusque circuli diameter erit recta KL . Et quoniam FI , ad planum AKL , recta posita est; erit eadem ex definitione 3. lib. 11. Euclid. ad rectam KL , perpendicularis; ideoque media proportionis inter segmenta KL , IL , ex scholio propositionis 13. lib. 6. Euclid. s' ac proinde quadratum ex FI , rectangulo sub KL , IL , equaliter erit. Quoniam vero angulus EKL , angulo ABD , equalis est, eidemque angulo ABD , equalis ponitur angulus LGI ; erunt inter se æquales anguli EKI , LGI : Sed & anguli ad versicem
- 12. undec.
- 13. undec.
- 14. undec.
- 15. undec.
- 16. undec.
- 17. sexti.
- 18. primi.
- 19. primi.
- 20. primi.

Item I., aequales sunt. Aequiangula ergo sunt triangula EKI, LGI; atque idcirco erit, ut KI, prima ad IE, secundam, ita GI, tertia ad IL, quartam; et atque ob rectangulum sub KI, IL, prima & quarta, rectangulo sub IE, GI, secunda & tertia, aequale erit. Ostensum est autem rectangulo sub KI, IL, quadratum ex FI, aequale. Igitur & rectangulo sub IE, GI, idem quadratum ex FI, aequale erit. Similiter demonstrabimus, quadrata omnium perpendicularium a punctis linearum EFG, in EG, cadentium aequalia esse rectangulis sub segmentis rectarum EG, a perpendiculis factis.

Igitur per lemma 15. semicirculus erit EFG, cuius diameter EG: Eademque ratione semicirculus demonstrabitur alia pars sectionis ENG. Tota ergo sectio EFGN, circulus est, cuius diameter EG quod est propositum.

PERSPICTIVVM auctum est, sectionem EFGN, circulum esse, etiam si eius diameter basis diametri fecerit. Ut si conturbatur circulus KFL, et secho sit EPG. Eadem enim omnino erit demonstratio, nisi quod quando



punctum in linea EFG sumptum est in communione circumferentiae KFL, & linea EFG, quale est F, non est ducendum aliud planum basi aequidistans, ut fiat circulus. Et tunc, quia utrumque planum KFL, EFG, ad triangulum AKL, rectum est, si ex F, vbi basis circumferentia lineam EFG, secat, ad ipsum perpendicularis deducatur, cadet hac in utramque sectionem communem KL, EG; atque

4. sext.
16. sext.

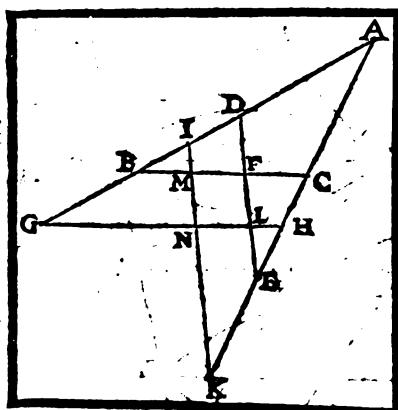
$\square G$; atque adeo in punctum I , ubi communes ex sectiones se mutuo secant. Eritque, vt prius, quadratum ex FI , rectangulo sub EI, IG , aequalē, &c.

$QVOD$ si in linea facta EFG , accipiatur punctum quodlibet O , præter communū punctum sectionis P , demittenda erit perpendicularis OP , ac per P , ducenda QR , parallela ipsi KL , basi trianguli per axem, & denique per QP , QR , quæ ipsi FI, KL , aequaliter distare, ducendum planum, quod parallelum erigat basi coni KFL , ideoque circulum faciet, vt prius, &c.

S C H O E R T M.

DIC $GNVM$ autem observatione est, diametrum subcontraria sectionis posse aequalē esse diametro basi coni, & inaequalē; aequalē quidem, quando unum latus trianguli per axem ad basim recti aequalē est vni lateri trianguli subcontrarie positi, quod aequali angulo opponitur: inaequalē vero, quando eiusmodi latera inaqualia sunt. & cuius latus maius est, illius diametrum esse maiorem: nunquam tamen basi diametros se maius posse dividere bifariam. Sit enim in cono scilicet triangulum per axem ad basim rectum ABC , sitque latus AB , latere AC , maius, & ideoque $\angle ACB$, maior angulo ABC . Sit autem triangulum ADE , triangulo ABC , simile, sed subcontrarie positum, & latus AD , latere AC , aequalē ponatur, que quidem aequalibus angulis AED, ABC , opponuntur. Dico diametros BC, DE , esse aequalē. Quoniam enim in triangulo ACB , duo anguli A, ACB , subobus angulis A, ADE , in triangulo ADE , aequalē sunt, qui quidem aequalibus lateribus AC, AD , adiacent; erunt quoque tam latera AB, AE , quam BC, DE , aequalē, quod est propositum. Eadem ratione, si ponantur aequalia latera AB, AE , ostendemus tam latera AC, AD , quam BC, DE , aequalia esse.

* 26. primi.



AE , vel AH , maius qm AD . Dico diametrum GH , maiorem esse diametrum DE . Sumpturn enim recta AB , aequali ipsi AE , vel AC , aequali ipsi AD , ductaque BC , vel CB , ipsi GH , parallela; etenim diametri BC, DE , aequalē, ut demonstratum est. Et quia est, ut AG , ad GH , ita AB , ad BC ; estque AG , maior quam AB ; et erit quoque GH , maior quam BC ; hoc est, quam DE , que ostensa est aequalis ipsi BC . Eodem modo, si triangulo per axem ABC , simile sit, & subcontrarie positum sit KL , & latus AL , maius latere AC , vel AK , maius quam AB ; ostendemus diametrum JK , maiorem esse diametrum BC . Nam sumpturn recta AD , aequali ipsi AC , vel AE , aequali ipsi AB , ductaque $D E$, vel $E D$, ipsi IK , parallela; erunt diametri BC, DE , aequalē, ut ostensum est. Et quia est, ut AI , ad IK , ita AD , ad DE ; estque AI , maior quam AD ; & erit quoque IK , maior quam DE ; hoc est, quam BC , quam ipsi DE , ostendimus aequalē.

* 4. sexti.

* 14. quinti.

DICO

DICO praeponam, diametros BC, DE, siue aequales sint, siue inaequales, nonne multo secare bisariam, sed vel utramque secari non bisariam, vel si altera eorum bisariam secetur, alteram non bisariam secari. Secre enim sese in F, & sint primum aequales diametri BC, DE. Et quoniam eam AB, & E, quam AD, AC, aequales sunt, alioquin non essent aequalis BC, DE, ut demonstravimus; erant quoque reliqua ED, CE, aequales. Quod si neutra ipsius BC, DE, bisariam secetur, perspicuum est, eas se multo bisariam non secare: Si vero altera carum, minirum BC, dicatur secari bisariam, secabitur altera DE, non bisariam. Quoniam enim triangula BDF, ECF, aquiangula sunt, quod anguli ad verticem F, aequales sunt, & anguli B, E, aequales panantur, ut subcontraria sectionem, ac proinde & reliqui D, C, sint aequales; Erit ut DE, ad BF, ita CE, ad EF. Cum ergo BD, ipsi BC, offensia sit aequalis, erat & BF, ipsi EF, aequalis, atque idcirco & reliqua CF, reliqua DF, aequalis erit. Erit autem BF, maior quam DF, quod angulus BDF, angulo DBF, maior sit, & quia & BCE, ipsi BDF, aequalis, maior est angulo ABC, externus interno. Igitur & EF, ipsi BF, aequalis, maior erit, quam DF. Non ergo DE, in F, bisariam secatur. Eodem modo si dicatur DE, secta bisariam in F, offendamus BC, secari non bisariam in F. Erit enim ut CE, ad EF, ita DB, ad BF. Cum ergo CE, sit ipsi DB, aequalis, & erit quoque EF, ipsi BF, aequalis, ac proinde & reliqua FD, & reliqua FC, aequalis erit. Erit autem EF, maior quam FC, quia & angulus ECF, angulo CEF, maior est, i quod & angulus BDE, ipsi EGF, aequalis maior sit angulo AED, externus interno. Igitur & BF, ipsi EF, aequalis, maior erit quam CF. Non ergo BC, in F, secatur bisariam.

D E I N D E sint inaequales diametri GH, DE, siue GH, maior. Si igitur neutra carum secetur bisariam, liquet eas se mutu non bisariam secare. Si vero altera carum, minirum GH, secta sit bisariam in L, secta erit altera DE, non bisariam. Quia enim GH, maior ponitur quam DE, & erit quoque AG, maior quam AE, & AH, maior quam AD, cum sit, ut GH, ad AG, ita DE, ad AE, & rursus ut GH, ad AH, ita DE, ad AD. Cum ergo ex majori AG, auferatur minor AD, & ex minori AE, maior AH erit reliqua DG, maior quam reliqua HE. Et quoniam est ut DG, ad GL, ita HE, ad EL, & rursus ut DG, ad DL, ita HE, ad LH. Erit autem DG, offensia maior quam HE, & erit quoque GL, maior quam EL, & DL, maior quam LH, hoc est, quam GL, quia ipsi LH, ponitur aequalis. Igitur cum DL, maior sit quam GL, et GL, maior quam LE, ut offensum est, erit multo maior DL, quam LE. Non ergo bisariam secta est DE, in L. Parvioratione si DE, dicatur secari bisariam in L, secabitur GH, in L, non bisariam. Offendamus enim, ut prius, GL, maiorem esse quam EL, & DL, maiorem quam LH, hoc est, EL, quia ipsi DL, possunt aequalis, maiorem esse quam LH. Igitur cum GL, maior sit quam EL, & EL, maior quam LH, ut offensum est; multo maior est GL, quam LH. Non ergo bisariam in L, secta est GH.

N E Q U E vero praevenendum est, quando diametri aequales sunt, cuiusmodi ponimus BC, DE, neutram carum dividit, posse in F, bisariam. Cum enim offensum sit, rursus BF, ipsi EF, & DF, ipsi CF, esse aequalia, si utravis rectarum BC, DE, dicatur secta bisariam in F, erunt omnes quartu pars, BF, EF, CF, FD, aequales. Utique ergo difficile est bisariam, quodvisi non posse, supra demonstravimus.

S E D & hoc sine magno labore demonstrabimus, minirum quando una diametrum dividatur bisariam, eam esse minorem, alteram vero maiorem. Secta enim sit IK, bisariam in N. Dico GH maiorem esse quam IK. Si namque maius, & non est, erit vel aequalis, vel minor. Sit primum, si fieri potest, aequalis. Ergo ut proxime demonstravimus, neutra & subcontraria bisariam dividatur, quod est contra hypothesis, quippe cum IK, secta ponatur in N, bisariam. Sit deinde si fieri potest GH, minor quam IK. Et quia est, ut GH, ad GA, ita IK, ad AK; ite ut GH, ad AH, ita IK, ad AI; Et GH, ponitur

Diametrum subcontraria bisariam, & diametrum bisariam, utrumque, ut metu bisariam secare.

15. primi.

4. sexti.

14. quinti.

19. primi.

16. primi.

4. sexti.

14. quinti.

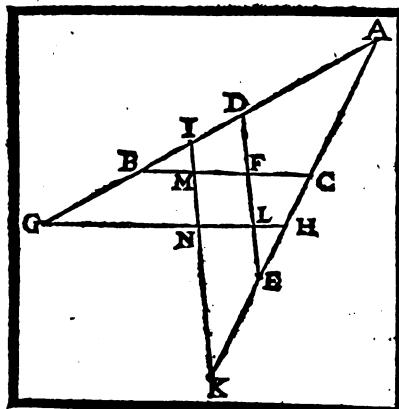
19. primi.

16. primi.

Quando diameter subcontraria legiones aequalia est diameter basis coni, neutrum dividit bisariam.

Quando diameter subcontraria inaequalia est diameter basis coni, & altera carum secatur bisariam, alteram esse maiorem.

- 13. quinti. ponitur minor quām IK, erit quoque AG; minor quām AK, & AH, minor quām AI. Quare cum ex minore AG, auferatur maior AI, & ex maiore AK, minor AH; erit reliqua GI, minor quām reliqua HK. Quoniam vero est, ut GI, ad IN, ita HK, ad KN; Item ut GI, ad GN, ita HK, ad KN; & GI, minor est offensa, quam HK, ad KN; Item ut GI, ad GN, ita HK, ad KN; & GI, minor est quām KN. Itaque quia GN, minor est quām KN, hoc est, quām IN, & IN, minor quām KN. erit maior minor GN, quām KN, minor est quām KN, hoc est, quām IN. Ergo NH, qua maior offensa est quām GN, multo minor erit quām NK, quia ipsi IN, aequalis ponitur; neque id circa rotam GH, maior erit quām IK. Posita autem est ab adversario GH, minor quām IK. Minor ergo est GH, minor GH, quām IK, quod est absurdum. Est igitur GH, maior quām IK. Vbi videt, rectam GH, hoc ipso, quod minor ponitur quām IK, demonstrari maiorem esse quām IK: quod argumentandi genus etiam adhibetur Euclidis propos. 12. lib. 9. & Thread. propos. 12. lib. 1.
- 4. sexti. V E L per squam probatum est, reliquam GI, reliqua HK, minorem esse, ita procedemus. Quoniam est ut GI, ad GN, ita HK, ad KN; est autem GI; offensa minor quām HK, erit quoque GN, minor quām KN, hoc est, quām IN, que ipsi KN, posita est aequalis. Ergo angulus GIN, minor erit angulo IGN. Sed externus angulus GIN, maior est interno opposito AKI, hoc est, angulo IGN. Idem ergo angulus GIN, & minor, & maior est eodem angulo IGN, quod est absurdum. Non ergo minor est GH, quām IK: sed neque aequalis est offensa. Igitur maior quod est propositum.
- 14. quinti. E O D E M pacto, si GH, dividatur bisariam scilicet esse in N, demonstrabimus IK, esse maiorem. Si enim maior non est, erit vel aequalis, vel minor. Sit primum, si fieri potest, IK, ipsi GH, aequalis. Ergo, ut paulo ante demonstravimus, neutra dicitur errorum GH, IK, bisariam dividitur. quod est absurdum. Ponit enim GH, divisam in N, bisariam. Si deinde, si fieri potest, IK, minor quām GH.
- 4. sexti. • 14. quinti. Quia igitur est, ut IK, ad AK, ita GH, ad AG; Item ut IK, ad AI, ita GH, ad AH: Ponitur autem IK, minor quām GH; & erit quoque AK, minor quām AG, & AI, minor quām AH. Quocirca cum ex minore AK, detraheatur maior AH, & ex maiore AG, minor AF; erit reliqua HK, minor quām reliqua GI. Quoniam autem est, ut HK, ad KN, ita GI, ad IN, estque HK, minor offensa quam GI; erit quoque KN, hoc est, GN, minor quām IN. Igitur angulus GIN, minor erit angulo IGN, hoc est, angulo HKN, exterritis interno opposito. quod est absurdum. Est enim externus interno opposito maior. Non ergo minor est IK, quam GH; sed neque aequalis est offensa. ergo maior est. quod est propositum.
- 4. sexti. V E L sic. Quoniam HK, minor est offensa quam GI; esque ut HK, ad KN, ita IG, ad GN; & erit quoque KN, minor quam GN. Igitur quia KN, minor est quam GN, hoc est, quām KN; & KN, minor est quam IN, ut paulo ante ostendimus: erit KN,
- 14. quinti.



XVII. multo minor quam IN. Et quoniam angulus externus KHN, maior est interius opposito AGH, hoc est, angulo HKN; ergo KN, maior quam HN. Cuius ergo IN, maior est ostensio quam NK; erit IN, multo maior quam HN, hoc est, quam GN. Tota igitur IK, maior est quam tota GH. Posita est autem IK, ab adversario minor quam GH. Minor est enim, & maior eadem IK, quam GH. quod fieri non potest. Non est ergo IK, minor quam GH, sed neque equalis, ut ostendimus. Igitur maior. Vbi vides etiundem modum argumentandi, quo usus est Euclides propos. 12. lib. 9. & I hood. lib. 1. propos. 12.

a 16. primi.
b 19. primi

XVIII. In QVE quando diametri sunt equalis, nemittit bifariam dimidiatum, quando veriusque sunt, dividit potest bifariam minor, maior autem numerum.

DENIQUE faciliter demonstrabimus, quando minor diameter bifariam scaturit, (que sola dividit potest bifariam, ut ostensum est) maiorem partem maiorem diametrum semper vergere ad eam partem, ubi cum latere trianguli per axem minorum angulum facit. Secetur enarratio K, bifariam in N, ac propterea GH, maior sit. Dicitur enim GN, maiorem esse partem NH. Erat enim GH, ad AG, ut IK, ad AK. Cum ergo GH, maior sit quam IK, erit etiam AG, maior quam AK. Eodem modo erit AH, maior quam AI. Quocirca cum ex maiore AG, derribatur minor AI, & ex minore AK, maior AH, erit reliqua GI, maior quam reliqua HK. Est autem GI, ad IN, ita RH, ad HN, item ut GI, ad GN, ita HK, ad KN. Cum ergo GI, major sit quam HK, erit quoque IN, maior quam HN, & GN, maior quam KN, hoc est, quam IN. Quoniam igitur cano GN, maior sit quam IN, & HK, maior quam NH, erit multo minor GN, quam NH.

Quando diameter subcontraria sectionis, in qua lis est diametro basis, coni, & minor dividit bifariam; maiorem partem maiorem vergere ad minorum angulum trianguli per axem, quem illa diameter cum latere eiusdem trianguli facit.

SIC erit si dicatur GH, sedta bifariam in N, erit, ut ostensum est, IK, minor, maiorque erit eius pars NK, quam IN, quod eodem modo demonstrabimus. Quoniam enim est, ut IK, ad AK, ita GH, ad AG: Item ut IK, ad AI, ita GH, ad AH. Cum ergo IK, maior sit quam GH, erit quoque AK, maior quam AG, & AI, maior quam AH. Quia ergo ex maiore AK, demulceretur minor AH, & ex minori AG, maior AI, erit reliqua HK, maior quam reliqua GI. Quoniam vero est, ut HK, ad HN, ita GI, ad IN, & ut HK, ad KN, ita GI, ad GN: Est autem HK, maior quam GI; & erit quoque HN, maior quam IN, & KN, maior quam GN, hoc est, quam NH. Itaque cum KN, maior sit quam NH, & NH, maior quam IN, erit multo maior KN, quam IN. Verum ergo est, maiorem partem maioris diametri vergere semper ad angulum minorem, quem cum latere trianguli per axem facit, cuiusmodi sunt anguli G, K, A, R.

c 4. sexti.
d 14. quinti.
e 4. sexti.
f 14. quinti.
g 4. sexti.
h 14. quinti.

LEMMA XVIII. superius

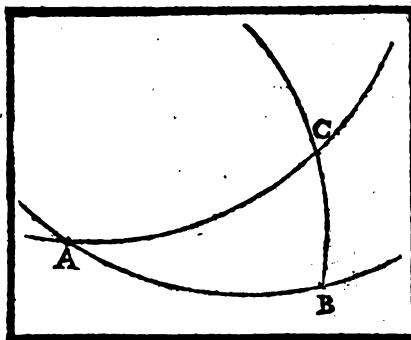
QVAM proportionem habet sinus totus ad sinum maximæ declinationis Eclipticæ ab Aequatore, eandem habet sinus rectus arcus Eclipticæ inter quodvis eius puncta, & proximum punctum æquinoctiale interiectus ad sinum rectum declinationis eiusdem illius puncti Eclipticæ ab Aequatore.

SIT in superficie sphære segmentum Aequatoris AB, & aliud Eclipticæ AC, secans illud Aequatoris in A, ut angulus A, sit angulus maxima declinationis.

Mons Eclipticæ ab Aequatore, quem videlicet metitur arcus Coluri solsticie-
rum ex polo A, descripti interceptus inter primum punctum Cancri, vel Capri-
corni, & Aequatorem. Per quodcumque autem punctum Eclipticæ C, intelliga-
tur descendere ex polo mundi sue Aequatoris, circulus maximus declinationis
secans Aequatorem in B: eritque angulus B, rectus, ex propos. 15.lib.1. Theod.

ac propterea arcus CB, declinatio-
ne puncti C, ab Aequatore metitur.
Dico ergo, ut et sinus totus ad
sinum anguli A, maxima declina-
tionis Eclipticæ, ita esse sinus arcus Eclipticæ AC, inter assumptum
punctum Eclipticæ C, & punctum
zequinotiale A, proximum interie-
ri, ad sinum arcus CB, qui arcus est
declinationis puncti C, ab Aequa-
tore. Quoniam enim ex proposizio-
ne 4. nostrorum triangulorum
sphericorum est, vt sinus arcus
AC, ad sinum anguli recti oppo-
siti B, hoc est, ad sinum totum (re-
cto enim angulo debetur quadrans,
vt ad defin. 6. nostrorum triangu-

lorum sphæricorum diximus, ac proinde eius sinus erit sinus toti quadranti re-
spondens) ita sinus arcus CB, ad sinum anguli oppositi A, erit conuer-
do, vt sinus totus ad sinum arcus AC, ita sinus anguli A, ad sinum arcus CB:
Et permutando, vt sinus totus ad sinum anguli A, maxima declinationis, ita
sinus arcus AC, Eclipticæ ad sinum arcus CB, declinationis puncti C. quod
est propositum.



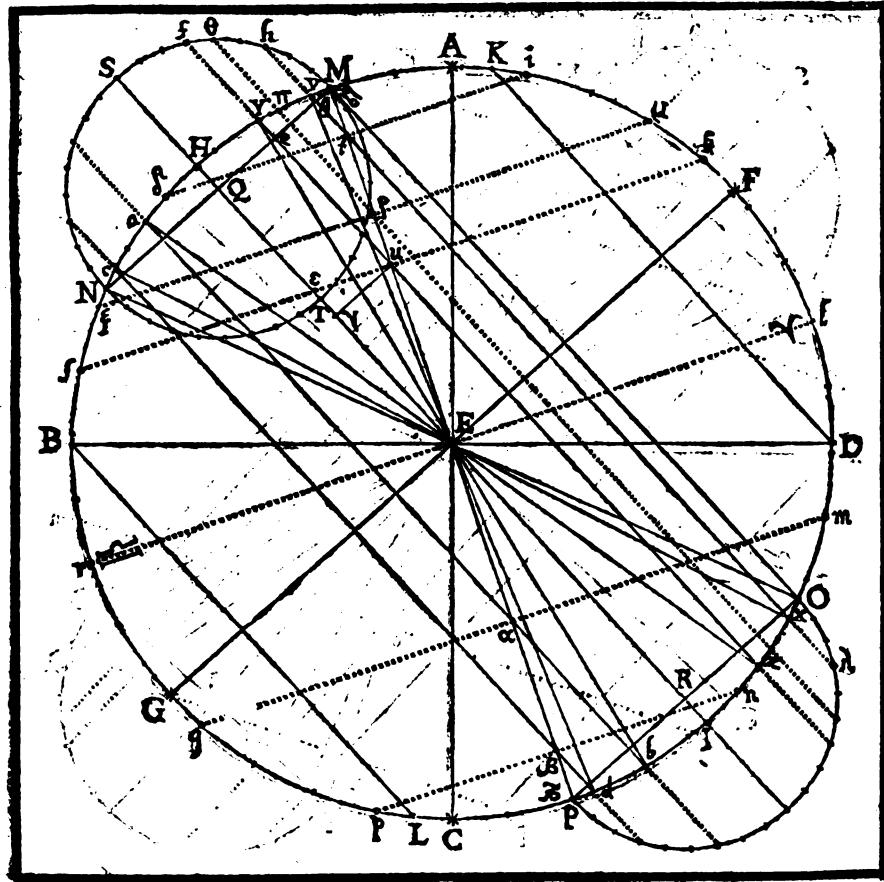
LEMMA XIX.

ANALEMMA ad datam poli altitudinem quam-
cunque describere.

BEST Analemma figura quedam circularis, que circa centrum mundi intel-
ligitur descripta in plano Meridiani, vel cuiusvis alterius circuli maximi per
mundi polos ducti, continens communes sectiones, quas plana aliorum circulo-
rum sphæræ (principue vero Aequatoris, elusque parallelorum, Eclipticæ, Ho-
rizontis, Verticalis, & parallelis cuiusque eorum, &c.) in Meridiano, vel alio
illo circulo maximo faciunt. Huius autem constructionem, quam in Gnomo-
nica propos. 1.lib.1. tradidimus, libenter hoc loco repetimus, ob insignem eius
utilitatem in circulis sphæræ in Astrolabio describendis: præsertim quod de-
scriptionem parallelorum Aequatoris per Eclipticæ puncta ductorū longe faci-
lius hic ex precedenti lemmate demonstrabimus, ea videlicet ratione, quam in
scholio propos. 1.lib.1. Gnomonica insinuauimus.

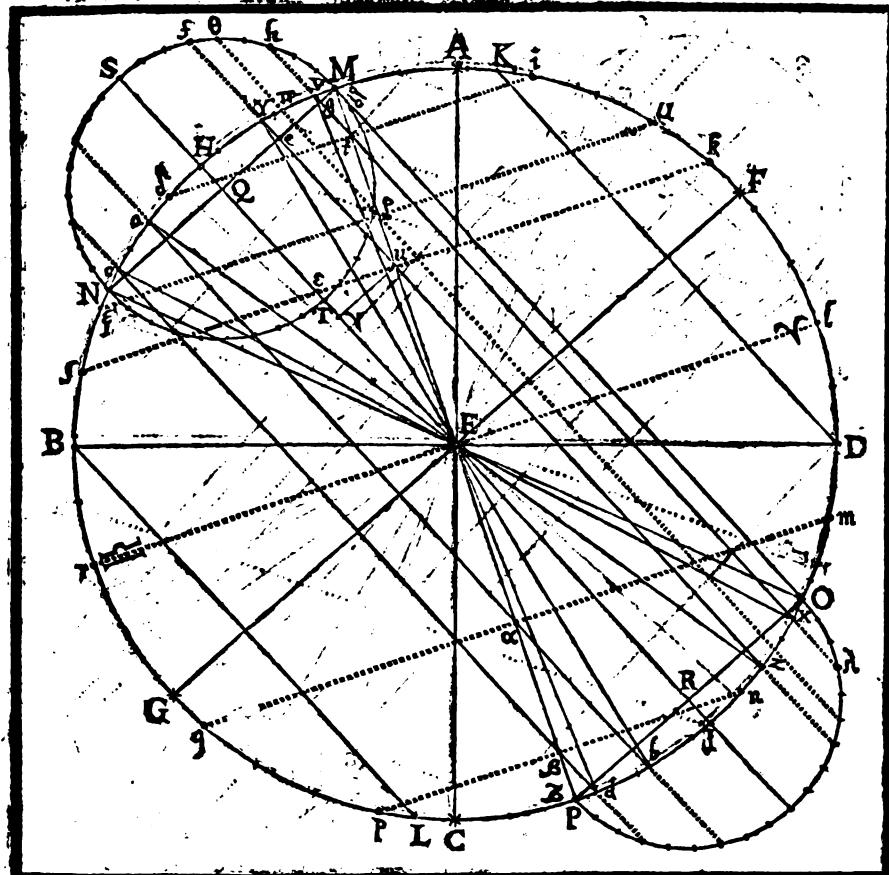
SIT ergo in plano Meridiani circulus ABCD, circa centrum mundi E, de-
scriptus

scriptas, cibus & Horizontis sectio communis sit recta BD . Supputata autem
altitudine poli illius loci, pro quo Analemma construitur, a punctis D, & B, in
diuersas partes usque ad F, G, ducatur diameter FG, quæ axis mundi erit, cum
angulus DER in centro sit angulus altitudinis poli, quem axis cum Horizonte
constituit. Deinde ducatur diameter AC, ad Horizontem BD , perpendiculariter
sit, quæ communis sectio erit Meridiani, ac Verticalis primariaj. Quia enim Me-



ridianus, Verticalisque ad Horizontem recti sunt, & erit eorum communis se-
ctio ad eundem perpendicularis, ac propterea ex definitione 3, lib. 11. Euclid.
perpendicularis quoque erit ad lineam Horizontalem BD, in centro E, per
quod omnes hi circulum maximi ducuntur. Igitur AC, ad BD, perpendicularis
communis sectio est Meridiani & Verticalis. & A, vertex capitij, sive polus Ho-
rizontis superus, atque C, polus eiusdem inferius. Rursus ducatur ad axem FG,
diameter perpendicularis H, quod fieri, si arcubus DF, BG, aequales sumantur
AH, CI:

AH, CI: Ita enim additis communibus arcibus FA, GC, erunt toti quadrantes DA, BC, totis arcibus FH, GF, & quales, idemque & hi areas quadrantes erunt, & proinde anguli FEH, GBI, recti, ex solidis propos. 27. lib. 3. Euclid. Erunt autem PII, communis secundum Meridiani & Aequatoris. Cum enim axis FG, per postum Aequatoris F, G, incedens rectius sit, ex propos. 20 lib. 1. Thedd. ad Aquam, tunc transversaque per centrum sphaerae E, etie de definitione 3. lib. 11. Euclid,



Idem axis FG, ad communem sectionem Meridiani & Aequatoris in centro E, perpendicularis; ac proinde HI, ad FG, perpendicularis, communis erit sectio Meridiani & Aequatoris. Quod si per D, B, Aequatori HI, parallelas agamus DK, BL, erunt haec communes sectiones Meridiani, & parallelorum, qui sunt omnia in se semper apparentia, semperque latentia maxima; quandoquidem Meridianus Aequatorem, & dictos parallelos secans, sectiones communes facit parallelas, & parallelus quidem maximus semper apparentium Horizontem in D, tangit,

* 16. unde.

D. tangit, maximus verò semper occultorum eundem Horizontem tangit in Atque hæc linea menta Analemmatis alia atque alia sunt in variis poli altitudinibus, prout videlicet angulus altitudinis poli DEF, variatur.

V T autem parallelos Aequatoris, sive Solis, qui per initia signorum, & singula Eclipticæ puncta ducuntur, habita ratione declinationis cuiusvis paralleli ab Aequatore, describamus, qua quidem in re totus labor atque industria construendi Analemmatis ponitur, propter declinationes horum parallelorum, quæ vix sine errore supputari possunt ab Aequatore HI, hinc inde, ob minutâ & secundâ, quæ gradibus declinationum adhærent, / Hæ enim declinationes, si exquisite computari possent hinc inde à punctis H, I, nulla esset difficultas in diametris parallelorum ducendis) vt enim artificio à veteribus magna industria excogitato, quo ex maxima Solis, sive Eclipticæ declinatione cognita, omnium parallelorum Solis per puncta Eclipticæ transcurrentium diametri, eorumque declinationes, Geometricæ. & quidem perquam accurate inueniuntur, quod ciuiusmodi est. Ex punctis H, I, Aequatoris in utramque partem numeretur maxima Solis, Eclipticæ declinatio, ex doctrina lemmatis 3. usque ad M, N, & O, P. Nos hic ponimus maximam hanc declinationem continere grad.

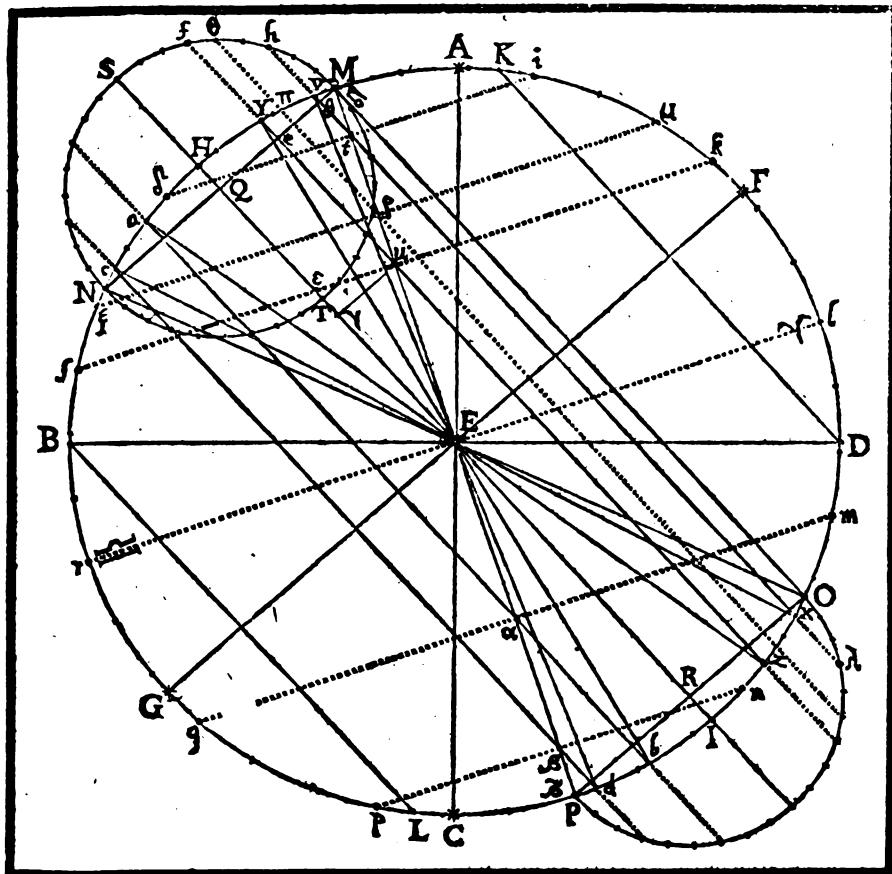
23. min. 30. / unde autem rectis MN, OP, quæ ab HI, in Q, R, bifariam secantur, ex scholio propos. 27. lib. 3. Euclid. ob æquales arcus HM, HN, RO, RP, describatur ex Q, circa MN, circulus MSNT. Hoc in 12. partes æquales diuiso, per doctrinam lemmatis 2. ducanrur per bina puncta à punctis T, S, æqualiter distantia rectæ VX, YZ, ab cd, que ex scholio propos. 27. lib. 3. Euclid. parallelae erunt inter se, & ipsi HI, quod æquales arcus in circulo MSNT, intercipiant. Magis exquisite he ducentur, si ex R, circa OP, semicirculus describatur, & in sex partes æquales secetur. Ita enim habebuntur pro singulis lineis terna puncta, bina quidem in circulo MSNT, & singula in semicirculo circa OP, descripto. Dico has parallelas, diametros esse parallelorum Solis, per signorum initia duorum, hoc est, arcus HY, HV, &c. esse declinationes eorum graduum Eclipticæ, qui tot gradibus à principio V , & M , absunt, quot gradus in arcub⁹ circuli MSNT, inter ST, diametrum, & dictas parallelas intercipiuntur, ita vt HY, sit declinatio X , & M : HV, II , & O : HM, :H I , M , & C : H, A , & XXX , & HN, Z ; ac proinde ductæ diametri Vd, Yb, &c. sint diametri Eclipticæ, positis signorum initijs in Meridiano, quicmadmodum MP, NO, eiusdem Eclipticæ diametri sunt, constitutis initijs XX , & Z , in Meridiano. Huius autem rei demonstratio perfacilis est.

Q VONIAM enim ex lemmate 5. est vt EM, sinus totus circuli ABCD, ad MQ, sinus totum circuli MSNT, hoc est, ad sinus maximæ declinationis, ita sinus arcus eiusdem circuli ABCD, qui, verbi gratia, arcui Sf, circuli MSNT, similis est; ad eQ, sinus arcus Sf. Est autem & ex praecedente lemmate, vt sinus totus EM, ad sinus maximæ declinationis MQ, ita sinus eiusdem illius arcus Eclipticæ ABCD, qui arcui Sf, similis est, (sumi enim pōt hic circulus pro Ecliptica, cum Meridiano sit æqualis) ad sinus declinationis eiusdem arcus Eclipticæ, qui arcui Sf, similis est; erit eQ, sinus declinationis illius arcus Eclipticæ, qui arcui Sf, similis est. Cum ergo eQ, sinus sit arcus Meridiani HY, erit HY, arcus declinationis extremi puncti illius arcus Eclipticæ ab æquinoctio inchoati, qui arcui Sf, similis est: atque ita de ceteris. Eodem enim prorsus modo demonstrabimus, g Q, sinus esse declinationis extremi puncti illius arcus Eclipticæ ab æquinoctio numerati, qui arcui Sh, similis est,

Declinationes
omnium paralel-
lorum Eclipticæ
quo pado Geo-
metrice experien-
tar.

Declinationes omnium puncto rum Ecliptice quoniam alter repelluntur.

VERVM commcdissime etiam eosdem arcus declinationum inueniemus, siue parallelos Solis ducemus, hac alia ratione. Sumatur circulus ABCD, pro Ecliptica, diuidaturque in 12. figura xqualia in punctis i, k, l, m, n, P, p, q, r, s, f, M, ita vt l. sit principium V ; k, \o ; i, II ; M, $\text{\overline{I}}$; s, $\text{\overline{I}}$; f, M ; r, $\text{\overline{I}}$; q, M ; p, $\text{\overline{I}}$; P, $\text{\overline{I}}$; n, $\text{\overline{I}}$; m, $\text{\overline{I}}$. Deinde ductis rectis per bina puncta ab M, vel P, xque remota, quae ex schol. propos. 27. lib. 3. Eucl. parallelæ sunt, seca-



bitur diameter Eclipticæ MP , in punctis $t, u \alpha, \beta$. per quæ ductæ ipsi HI . parallelae, (quæ facile ducentur, si segmentis parallelarum kl , $i\delta$, inter puncta u, t , & diametrū HI , interceptis, in alijs parallelis æqualia segmento accipiuntur, ut in g , si segmento ug , parallela KS , in alijs parallelis $i\delta$, lr , mq , np , æqualia segmenta accipiatur, initio semper facto à recta HI . Ita enim plura puncta habebimus, per quæ parallele ipsi HI , ducendæ sunt.) dabut diametros parallelorū & Solutis per signa sum intia ductorū, veluti prius. Quod facile demonstrabimus in hunc modum.

QVONIAM est, vt EM, sinus totus ad MQ, sinum maximæ declinationis, ita Eu, sinus arcus Eclipticæ lk, principium γ , terminantis ad uy: (ducta uy, parallela ipsi MQ, vel perpendiculari ad HI,) Est autem & ex lemmate precedentे, vt EM, sinus totus ad MQ, sinum maximæ declinationis, ita Eu, sinus arcus Eclipticæ principium γ , terminantis ad sinum declinationis principij γ ; erit uy, sinus declinationis principij γ ; ac proinde arcus HY, cuius sinus est uy, declinationem metietur principij γ , &c. Eademque de cæteris est ratio. Hę autem declinationes iuuent in omnibus poli elevationibus cædem sunt, neq; vñquam mutatur, nisi prius maxima Solis declinatio mutata inueniatur. Habita namque ratione maximæ declinationis HM, iuuentæ sunt allorum Eclipticæ punctorum declinationes HY, HV, &c.

L I Q V E T ex his, qua ratione inuenienda sit declinatio cuiusvis puncti Eclipticæ dati. Nam si datum punctum sit inter γ , & Ξ , numerabimus eius distantiam ab γ , in circulo MSNT, à puncto S, versus M: si vero inter Ξ , & Ξ , fuerit, numerabimus eius distantiam à Ξ , ex punto T, versus M: si autem inter γ , & Ξ , ab S, versus N; si denique inter Ξ , & Ξ , ex T, versus N, distantiam eius, quam à proximo puncto æquinoctij, nimirum ab Ξ habet, numerabimus. Parallela enim ipsi HI, ducta ex fine numerationis, erit diameter paralleli illius puncti dati, secabitque arcum MN, in declinatione qualita. Ut si detur gradus 10. γ , qui 40. gradibus ab γ , versus Ξ , abest, numerabimus gradus 40. à puncto S, versus M, usque ad θ . & per θ , ipsi HI, parallelam agemus $\theta\pi$, pro diametro paralleli Aequatoris, qui per 10. gradum γ , transit, eiusque declinatio erit $H\pi$. Hanc eandem alia ratione sic repemus. Quando punctum datum est inter γ , & Ξ , supputabimus eius distantiam, quam ab γ , habet, à puncto, versus M: si vero inter Ξ , & Ξ , à punto r, versus M, distantiam eius, quam à Ξ , habet, numerabimus: Si autem inter γ , & Ξ , à punto l, versus P: si denique inter Ξ , & Ξ , à punto r, versus P, eius distantiam à proximo æquinoctij punto, nimirum à Ξ , numerabimus. Né si à fine numerationis ipsi lr, parallelâ agemus, secabitur MP, diameter Eclipticæ in punto, per quod parallela ducta ipsi HI, erit diameter paralleli per punctum in Ecliptica datum transcurrentis, &c. Ut si detur idem gradus 10. γ , numerabimus gradus 40. (Tantum enim punctum datum ab γ , versus Ξ , abest) à punto l, versus M, usque ad μ , & per μ , ipsi lr, parallelam duce mus $\mu\xi$, (quod facile fieri, si arcui $\mu\xi$, æqualem abscondemus r\xi) quæ ipsam MP fecerit in p. Parallela enim ipsi HI, per μ , ducta, erit diameter paralleli qualitat, &c. veluti prius.

S C I E N D U M quoque est, segmentum diametri Horizontis BD, inter MO, NP, diametros parallelorum Ξ , & Ξ , positum à parallelis intermediis ita diuidi, vt recta MN, vel OP, ab eisdem diuisa est. Nam segmentum semidiametri ED, inter E, & parallelam MO, sectum est, vt recta EM, secta est; propterea quod parallelæ linea diuidunt latera trianguli proportionaliter. Cum ergo eandem ob causam recta EM, secta sit, vt diuisa est MQ; erit dictum segmentum diuisum, vt M Q, recta diuisa est. Non aliter diuisum erit segmentum diametri EB, inter E, & parallelam NP, vt diuisa est recta NQ. Igitur totum segmentum diametri Horizontis BD, inter parallelas MO, NP, sectum erit, vt recta MN, diuisa est à parallelis. quod est propositum.

I A M vero, qua ratione aliorum circulorum siue maximorum, siue non maximorum diametri, siue communes cum Meridiano sectiones in Analemmate

Declinatio eius
vis puncti Ecli-
pticæ quo pads
Geometrica repre-
satur.

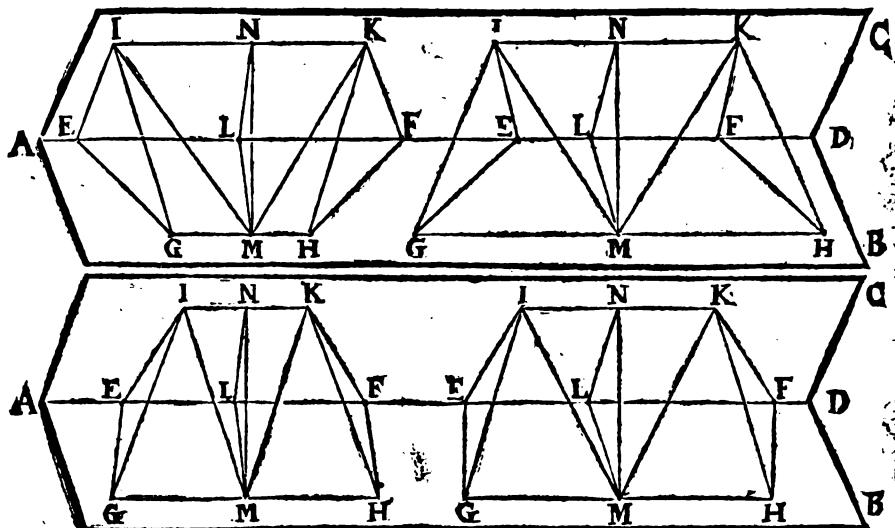
s. xxii.

describantur; & quomodo Analemma pro quibusdam circulis interdum in alio circulo maximo, etiam non per mundi polos ducto, construatur, in progressu Astrolabij, cum id usus postulauerit, propriis locis docebimus.

L E M M A XX

S I duo plana se mutuo secant, & in uno eorum ad duo puncta communis sectionis duæ rectæ cum ea internos duos angulos qualescumque constituant æquales, & in altero ad eadem duo puncta duæ aliae rectæ cum eadem sectione communi efficiant quoque internos duos angulos æquales qualescumque: constituent duæ hæ posteriores rectæ cum duabus prioribus duos angulos æquales.

D V O plana AB, AC, secant se per lineam rectam AD, & in duobus punctis quibuscumque E, F, communis sectionis constituti sint in plano AB, duo æquales interni anguli GEF, HFE, qualescumque, hoc est, siue acuti, siue recti.



siue obtusi; & in iisdem punctis in plano AC, sint constituti duo alii anguli interni qualescumque æquales IEF, KFE. Dico angulos GEI, HFK, æquales esse. In prima figura omnes anguli sunt acuti; in secunda obtusi; in tertia priores duo ob-

duo obtusi, & duo posteriores acuti; in quarta denique priores duo recti, & duo posteriores acuti. In omnibus tamen hisce casibus, & aliis eadem semper erit demonstratio. Sint enim \angle quales inter se tam recte EG, FH, quam recte EI, FK, iunganturque GH, IK, quae ipsi EF, parallelæ erunt. Quoniam enim duo anguli GEF, HFE, \angle quales sunt, si uterque sit acutus, conuenient recte EG, FH, productæ ad partes G, H, constituentque triangulum Isosceles. 6. primi.
 Cum ergo recta GH, secet latera proportionaliter, quod EG, FH, \angle quales sint, ac proinde & reliqua linea vñq; ad concursum: \angle erant EF, GH, parallelæ. 2. sexti.
 Si autem anguli GEF, HFE, sint obtusi, conuenient recte GE, HF, productæ ad partes E, F, quod anguli illis deinceps sicut acuti supra rectam EF, constituentque eodem modo triangulum Isosceles, cuius basis GH. Latera enim 6. primi.
 Supra basim EF, \angle qualia erunt: Ergo additis \angle qualibus EG, FH, sicut quoque latera supra GH, \angle qualia. Cum igitur recta EF, secet ea latera proportionatiter, auferens ex utraque partes \angle quales, parallelæ erunt EF, GH. Si denique uterque angulus GEF, HFE, sit rectus, erunt recte EG, FH, parallelæ. Cum ergo sint & \angle quales, erunt quoque EF, GH, \angle quales ac parallelæ. Eadem ratio ostendemus EF, IK, parallelas esse; & ac proinde & GH, IK, inter se parallelæ erunt. Diuisa autem EF, bifariam in L, existentur in planis AB, AC, ad EF, perpendicularæ LM, LN, quæ ipsas GH, IK, secabunt quoque bifariam. Si enim anguli \angle quales GEF, HFE, sint acuti, ita ut EG, FH, productæ versus G, H, faciant triangulum Isosceles, erit ex scholio propos. 26. lib. 1. Euclid. recta ex angulo ducta ad punctum L, medium basis, ad EF, perpendicularis, ideoque cum LM, coincidet. Cum ergo eadem recta, ex scholio propos. 4. lib. 6. Eucl. secet rectas EF, GH, in partes proportionales, secta quoque erit GH, in M, bifariam. Si vero anguli GEF, HFE, sint obtusi, ita ut GE, HF, productæ ultra EF, constituant triangulum Isosceles, cuius basis EF, vel GH, erit rursus ex schol. propos. 26. lib. 1. Euclid. recta ex angulo ad L, punctum medium basis EF, ducta, ad EF, perpendicularis; ideoque producta cum LM, coincidet. Cum ergo ex scholio propos. 4. lib. 6. Euclid. eadem recta secet rectas EF, GH, in partes proportionales, secta quoque erit GH, bifariam in M. Si denique anguli GEF, HFE, sint recti, erunt EH, EM, FM, parallelogramma rectangula, ideoque latera opposita \angle qualia, hoc est, GM, ipsi EL, & HM, ipsi FL, \angle qualia. Cum ergo EL, FL, sint \angle qualia, erunt quoque GM, HM, \angle qualia. Non aliter ostendemus rectam IK, in N, sectam esse bifariam. 34. primi.

QVI A vero recta EL, ad duas LM, LN, scitæ in L, tangentes perpendiculariter, erit: erit eadem EL, (ducta recta MN,) ad planum trianguli LMN, recta. 4. undec.
 Itetur & utræq; GM, IN, ad idem planum recta erit; ideoq; ex defin. 3. lib. 11. Eucl. 8. undec.
 utræq; GM, IN, ad rectam MN, in eodem plano existentem perpendicularis erit. Iunctis igitur rectis GI, IM, MK, KH, quæ omnes una cum MN, in eodem sunt plane, non parallelarū GH, IK, quoniā duo latera IN, NM, duobus lateribus KN, NM \angle qualia sunt, angulosq; cōtinent \angle quales, nimirū rectos, vt ostendimus; erunt & bases IM, KM, & anguli IMN, KMN, \angle quales, ideoq; & ex rectis reliquo GMI, HMK, \angle quales erunt. Cū ergo duo latera GM, MI, duobus lateribus HM, MK, sint \angle qualia, angulosq; cōtineant \angle quales, vt monstratum est; erunt & bases GI, 4. primi.
 HK, \angle quales. Demiq; cum latera EG, EI, lateribus FH, FK, \angle qualia sint, & basis GI, basis HK; erunt quoque anguli GEL, HFK, \angle quales, quod est propositum. 8. primi.

A T Q V E hēc demonstratio vniuersalis est in omnibus casibus, siue angulus inclinationis planorum MLN, obtusus sit, siue acutus, siue rectus, vt perspicuum est.

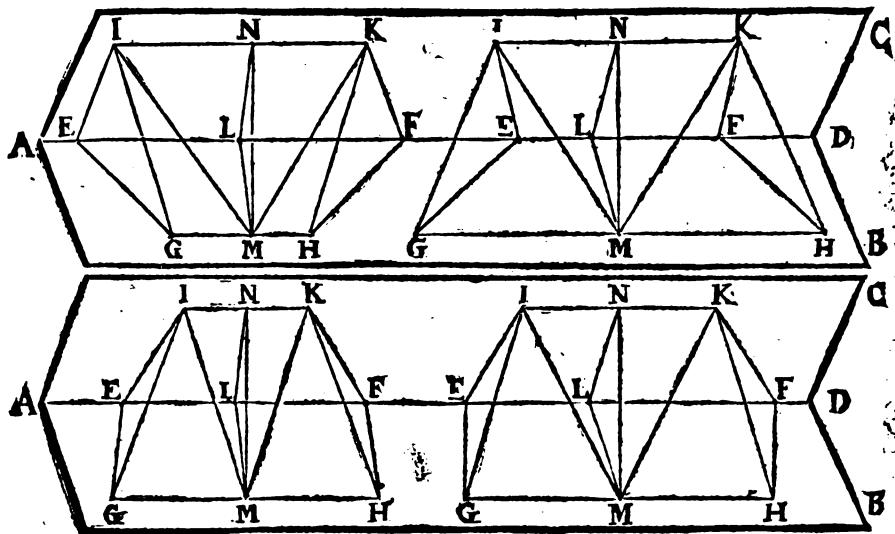
QVOD

describantur; & quomodo Analemma pro quibusdam circulis interdum in alio circulo maximo, etiam non per mundi polos ducto, construatur, in progressu Astrolabij, cum id usus postulauerit, propriis locis docebimus.

L E M M A XX

SI duo plana se mutuo secant, & in uno eorum ad duo puncta communis sectionis duæ rectæ cum ea internos duos angulos qualescumque constituant æquales, & in altero ad eadem duo puncta duæ alii rectæ cum eadem sectione communi efficiant quoque internos duos angulos æquales qualescumque: constituent duæ hæ posteriores rectæ cum duabus prioribus duos angulos æquales.

DVO plana AB, AC, secant se per lineam rectam AD, & in duobus punctis quibuscumque E, F, communis sectionis constituti sint in plano AB, duo æquales interni anguli GEF, HFE, qualescumque, hoc est, siue acuti, siue recti,



siue obtusi; & in iisdem punctis in plano AC, sint constituti duo alii anguli interni qualescumque æquales IEF, KFE. Dico angulos GEI, HFK, quales esse. In prima figura omnes anguli sunt acuti; in secunda obtusus; in tertia priores duo ob-

duo obtusi, & duo posteriores acuti; in quarta denique priores duo recti, & duo posteriores acuti. In omnibus tamen hisce casibus, & aliis eadem semper erit demonstratio. Sint enim æquales inter se tam rectæ EG, FH, quam rectæ EI, FK, iunganturque GH, IK, quæ ipsi EF, parallelæ erunt. Quoniam enim duo anguli GEF, HFE, æquales sunt, si eterque sit acutus, conuenient rectæ EG, FH, productæ ad partes G, H, constituentque triangulum Isosceles. 4. primi.
Cum ergo recta GH, secet latera proportionaliter, quod EG, FH, æquales sint, ac proinde & reliqua linea vsq; ad concursum, erant EF, GH, parallela. 5. sexti.
Si autem anguli GEF, HFE, sint obtusi, conuenient rectæ GE, HF, productæ ad partes E, F, quod anguli illis deinceps hant acuti supra rectam EF, constituentque eodem modo triangulum Isosceles, cuius basis GH. 6. primi.
Latera enim supra basim EF, æqualia erunt: Ergo additis æqualibus EG, FH, sint quoque latera supra GH, æqualia. Cum igitur recta EF, secet ea latera proportionatiter, auferens ex utraque partes æquales, parallelæ erunt EF, GH. Si denique eterque angulus GEF, HFE, sit rectus, erunt rectæ EG, FH, parallelæ. Cum ergo sint & æquales, erunt quoque EF, GH, æquales ac parallelæ. Eadem ratione ostendemus EF, IK, parallelas esse; & ac proinde & GH, IK, inter se parallela erunt. Diuisa autem EF, bifariam in L, excitentur in planis AB, AC, ad EF, perpendicularares LM, LN, quæ ipsas GH, IK, secabunt quoque bifariam. Si enim anguli æquales GEF, HFE, sint acuti, ita vt EG, FH, productæ versus G, H, faciant triangulum Isosceles, erit ex scholio propos. 26. lib. 1. Euclid. recta ex angulo ducta ad punctum L, medium basis, ad EF, perpendicularis, ideoque cum LM coincidet. Cum ergo eadem recta, ex scholio propos. 4. lib. 6. Eucl. secet rectas EF, GH, in partes proportionales, secta quoque erit GH, in M, bifariam. Si vero anguli GEF, HFE, sint obtusi, ita vt GE, HF, productæ vltra EF, constituant triangulum Isosceles, cuius basis EF, vel GH, erit rursus ex schol. propos. 26. lib. 1. Euclid. recta ex angulo ad L, punctum medium basis EF, ducta, ad EF, perpendicularis; ideoque producta cum LM, coincidet. Cum ergo ex scholio propos. 4. lib. 6. Euclid. eadem recta secet rectas EF, GH, in partes proportionales, secta quoqoe erit GH, bifariam in M. Si denique anguli GEF, HFE, sint recti, erunt EH, EM, FM, parallelogramma rectangula, ideoque latera opposita æqualia, hoc est, GM, ipsi EL, & HM, ipsi FL, æquale. Cum ergo EL, FL, sint æqualia, erunt quoque GM, HM, æqualia. Non aliter ostendemus rectam IK, in N, sectam esse bifariam. 7. sexti.
8. primi.
9. primi.
10. primi.
11. primi.
12. primi.
13. primi.
14. primi.

QVI A vero recta EL , ad duas LM , LN , sece in L , tangentes perpendiculariter est; erit eadem EL , (ducta recta MN .) ad planum trianguuli LMN , recta. **I**gitur EL & LN in eodem planum recta erit; ideoque ex defini. 3. lib. 11. Eucl. **4. undec.** vtraque GM , IN , ad idem planum recta erit; ideoque ex defini. 3. lib. 11. Eucl. **8. undec.** vtraque GM , IN , ad rectam MN , in eodem plano existentem perpendicularis erit. **Junctis** igitur rectis GI , IM , MK , HX , que omnes una cum MN , in eodem sunt plano parallelarum GH , IK , quoniam duo latera IN , NM , duobus lateribus KN , NM **17. undec.** **tequalia** sunt, angulosque cointinent equalaes, nimirum rectos, ut ostendimus; erit & bases IM , KM , & anguli IMN , KMN , equalaes, ideoque & ex rectis reliqui GMI , HMK , equalaes erunt. Cū ergo duo latera GM , MI , duobus lateribus HM , MK , sine **4. primi.** equalia, angulosque cointinent equalaes, ut monstratum est, erunt & bases GI , HX , equalaes. Denique cum latera EG , EI , lateribus FH , FK , equalalia sint, & basis GI , basi HX ; erunt quoque anguli GEI , HFK , equalaes, quod est propositum. **8. primi.**

A T Q V E hęc demonstratio vniuersalis est in qmnibꝫ casibꝫ, siue angu-
lus inclinationis planorum MLN, obtusus sit, siue acutus, siue rectus, vt per-
spicuum est.

QVOP

Q V O D si tam duo anguli $G E F$, $H F E$, quam duo $I E F$, $K F E$, rectæ furent, facilior erit demonstratio. Quia enim tunc anguli $G E I$, $H F K$, sunt anguli inclinationis plani $A C$, ad planum $A B$, ex definitione 6.lib. i. Euclid. ipsi inter se æquales erunt.

L E M M A XXI.

S I in diametris circulorum æqualium puncta sumantur æqualiter à centris remota, ab eisque rectæ egrediantur vsque ad circumferentias constituentes cum diametris ad easdem partes æquales angulos; rectæ illæ & æquales erunt, & arcus abscedentes æquales. Et si lineæ sint æquales, constituent rectæ illæ cum diametris æquales angulos ad easdem partes, abscedentesque rursus æquales arcus. Si denique arcus æquales abscedantur ad easdem partes, erunt quoque rectæ illæ æquales, constituentque cum diametris ad partes easdem angulos æquales.

HOC idem demonstrauimus propositione penultima scholij propos. 29. lib. 3. Euclid. quando punctum in diametro assumptum est intra circulum; sed quia eo etiam indigemus in ijs, que sequuntur, quando punctum est acceptum in diametro producta extra circulum, libuit id vniuersaliter hoc loco demonstrare. Sint ergo circuli æquales $A B C$, $D E F$, quorum centra G , H ; diametri $A C$, $D F$; & sumantur primum intra circulos puncta I , K , æqualiter distanta à centro, hoc est, rectæ $G I$, $H K$, sint æquales: ducanturque rectæ vt cunque $I B$, $K E$, facientes vel angulos C / B , F / E , vel A / B , D / E , æquales. Dico & rectas $I B$, $K E$, & tam arcus abscessos $C B$, $F E$, æquales esse, quam arcus $A B$, $D E$. Ductis enim rectis $G B$, $H E$, ex centris, si quidem anguli $G I B$, $H K E$, ponantur æquales, erunt duo latera $G I$, $G B$, circa angulum $I G B$, duobus lateribus $H K$, $H E$, circa angulum $K H E$, æqualia, & angulus I , angulo K , æqualis, qui quidem æqualibus lateribus $G B$, $H E$, opponuntur. Est autem reliquorum $G B I$,
 a 31. tertij. $H E K$, vterque recto minor; quod ductæ rectæ $G A B$, $C B$, $D E$, $F E$, facient angulos $A B C$, $D E F$, in semicirculis rectos, quorum illi partes sunt. Igitur ex ijs, que ad finem lib. 1. Euclid. demonstrata sunt à nobis, & rectæ $I B$, $K E$, & anguli $I G B$,
 b 26. tertij. $K H E$, æquales sunt in centris; ideoque & arcus $C B$, $F E$, ac proinde & ex semicirculis reliqui $A B$, $D E$, æquales erunt. Si vero anguli $C I B$, $F K E$, æquales ponantur, erunt etiam reliqui $G I B$, $H K E$, ex duobus rectis. Tam enim duo anguli ad I , quam duo ad K , duobus sunt rectis æquales) inter se æquales. Quare, vt iam ostensum est, erunt & rectæ $I B$, $K E$, & tam arcus $C B$, $F E$, quam arcus $A B$, $D E$, æquales.

D E I N D E accipientur puncta A , D , in extremitatibus diametrorum, à quibus rectæ eductæ $A B$, $D E$, angulos æquales efficiant $C A B$, $F D E$, vel $L A B$, $M D E$. Dico rursus rectas $A B$, $D E$, & tam abscessos arcus $C B$, $F E$, quam arcus $A B$,

AB, DE , æquales esse . Si enim anguli CAB, FDE , æquales sint ; $\text{erunt quoque arcus CB}, \text{FE}$, ac propterea ex semicirculis reliqui AB, DE æquales ; $\text{b} \quad \text{ideoque} \quad \text{æ} \quad \text{æ}$ & rectæ AB, DE , $\text{æquales inter se erunt}$. Si vero anguli LAB, MDE , ponantur æquales , erunt quoque ex duobus rectis reliqui CAB, FDE , æquales . Quare, ut iam demonstratum est, erunt & tam arcus CB, FE , quam arcus AB, DE , & rectæ AB, DE , æquales .

a. tertij.
 b. ag. tertij.

P O S T R E M O accepta sint puncta L, M, in diametris productis extra circulos $\text{æqualiter à centris distantia}$, ita ut rectæ GL, HM, sint æquales . Et ducantur rectæ LN, MO, facientes angulos $\text{æquales CLN}, \text{FMO}$, vel PLN, QMO , abscedentesque arcus AN, DO, vel CN, FO. Dico rectas LN, MO, & tam arcus AN, DO, quam arcus CN, FO, esse æquales . Aut enim altera re-

ctarum, nimirum LN, tangit circulum in N, aut non tangit. Si tangit, tanget & recta MO, circulum in O. Nam si anguli CLN, FMO, ponantur æquales , & MO, non tangat circulum, & ducatur tangens MS, iungaturque rectæ GN, HS, quæ facient angulos GNL, HSM, rectos. Quia igit̄ duo latera GN, GL, circa angulū LGN, duobus lateribus HS, HM, circa angulū MHS, æqualia sunt , & laterib⁹ æqualibus GL, HM , opponuntur anguli $\text{æquales GNL}, \text{HSM}$, ut propter recti, reliquorum sūt LGN, MHS, utque recto minor est, ex coroll. 1. propos. 17. lib. 1. Euclid. erunt ex iis, quæ ad finem lib. 1. Euclid. demonstrauimus, anguli quoque GLN, HSM, æquales : Est autem eidem angulo GLN, per hypothesim, $\text{æqualis angulus HMO}$. Igitur anguli quoq; HSM, HMO, æquales erunt , pars & totum, quod est absurdum. Tangit ergo recta MO, circulum in O. Unde ergo rectis GN, HO, erunt anguli GNE, HOM, recti & æquales . Ponuntur autem & anguli GLN, HMO, æquales . Igitur & reliqui LGN, MHO, æquales erunt , ex coroll. 1. propos. 32. lib. 1. Eucl. Quare cū duo latera GN, GL, duobus lateribus HO, HM, æqualia sint , angulosq; contineantur æquales , ut ostensum est; erunt etiam bases LN, MO, æquales . Item &

arcus AN, DO, ob $\text{æquales angulos AGN}, \text{DHO}$, ad centra; ideoq; & ex semicirculis reliqui arcus CN, FO, æquales erunt . Quod si $\text{æquales ponantur anguli PLN}, \text{QMO}$, erunt etiam ex duobus rectis reliqui CLN, FMO, æquales . Quare, ut iam demonstratum est, & tam arcus AN, DO, quam arcus CN, FO, & rectæ LN, MO, tangentes æquales erunt .

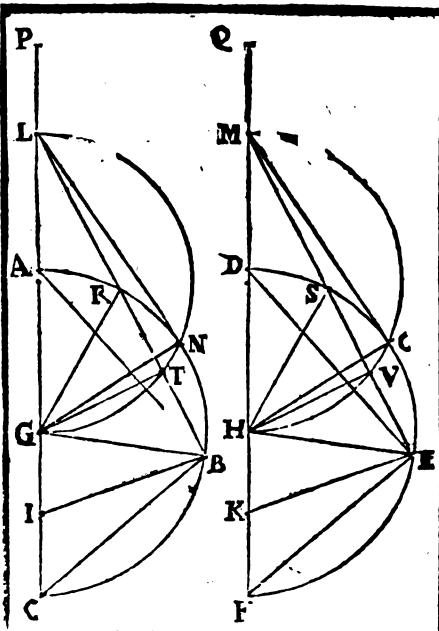
S I vero duæ rectæ LR, MS, vel LB, ME, facient vel angulos CLR, FMS, vel PLR, QMS; aut CLB, FME, vel PLB, QMB, æquales , non tangat autem LR. vel LB,

c. 17. tertij.

d. 18. tertij.

e. 18. tertij.

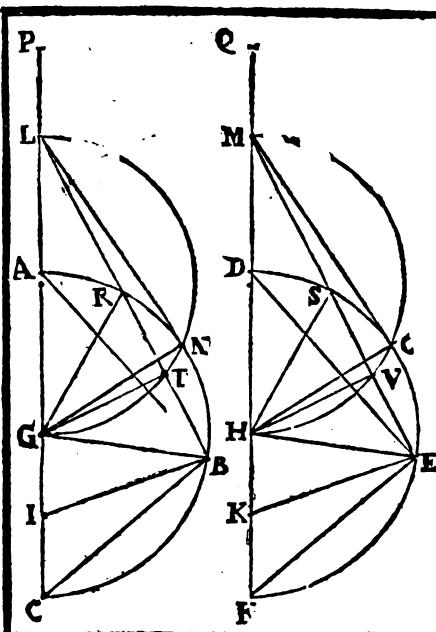
f. 4. primi.
 g. 26. tertij.



LB, circulum, sed secet in R, vel B, ducta tangente LN, cadet LR, vel LB, circa tangentem LN, facietque angulum CLR, vel CLB, minorē angulo CLN. Quia vero ducta tangēte MO, anguli GLN, HMO, æquales sunt, ut proxime demonstratū est, angulus autem FMS, angulo CLR, vel angulus FME, angulo CLB, ponitur æqualis, erit quoq; angulus FMS, vel FME, minor angulo FMO, ac proinde recta MS, vel ME, circa tangentē MO, cadet. Secabit ergo utraq; LR, MS, vei utraq; LB, ME, circulum proprium duobus punctis R, B, & S, E, inter quæ posita sunt puncta contactū N, O. Sumantur ergo primū puncta R, S, circa contactus, & anguli GLR, HMS, ponantur æquales. Dico & rectas LR, MS, & tam arcus AR, DS, quam arcus CR, FS, æquales esse. Iunctis enim rectis GR, HS; quoniam duo latera GR, GL, circa angulum LGR, duobus lateribus HS, HM, circa angulum MHS, æquales sunt, & anguli GLR, HMS, ex equalibus lateribus GR, HS, oppositi, æquales ponuntur, reliquorū autem angulorum GRL, HSM, uterq; recto maior est, quod tam GRL, maior sit recto angulo GNL, quam HSM, angulo recto HOM; erit ex iis, quæ demonstrauimus ad finē lib.

¶ 25. primi.

¶ 26. tertij.



rectis GB, HE, erit uterque angulus GBL, HEM, recto minor. Descriptis namq; circa æquales rectas GL, HM, semicirculis, qui per contactus N, O, transibunt ex scholio propos. 3. lib. 3. Eucl. ob rectos angulos ad N, O, secabuntq; rectas LB, ME, in T, V; si iungantur rectæ GT, HV, sicut anguli GTL, HVM, in semicirculis recti. ⁴ Cū ergo tam GTL, angulo GBL, quam HVM, angulo HEM, major sit, externus interno, erit tam GBL, quam HEM, recto minor: quod etiam ex eo constat, quod recte in B, E, cum GB, HE, rectos angulos constituentes, circulos tangat in B, E, ex coroll. propos. 16. lib. 3. Eucl. Hinc enim fit, ut secates rectæ LB, ME, cum eisdem GB, HE, acutos angulos efficiat. Quoniam igitur duo latera GB, GL, circa angulum LGB, duobus lateribus HE, HM, circa angulum MHE, æqualia sunt, & anguli GLB, HME, lateribus æqualibus GB, HE, oppositi, ponuntur æquales, reliquorum autem angulorum GBL, HEM,

¶ 25. tertij.

¶ 26. primi.

HEM, uterque recto minor est ostensus; erunt ex demonstratis à nobis ad finem lib. i. Euclid. & recte LB, ME, & anguli LGB, MHE, aequales; Igitur & arcus AB, DE, atque idcirco & ex semicirculis reliqui CB, FE, aequales erunt. Quod si ponantur aequales anguli PLB, QME, erunt etiam ex duobus rectis reliqui CLB, FME, aequales. Quare ut demonstratum iam est, erunt & recte LB, ME, & tam arcus AB, DE, quam arcus CB, FE, aequales.

D E I N D E aequales sint recte IB, KE, vel AB, DE, vel LN, MO, vel LR, MS, vel denique LB, MB. Dico & angulos ad I, K, vel ad A, D, vel ad L, M, & tam arcus CB, FE, vel CN, FO, vel CR, FS, quam arcus AB, DE, vel AN, DO; vel AR, DS, esse aequales. Quia enim duo latera GI, GB, duobus lateribus HK, HE, aequalia sunt, & basis IB, basis KE, aqualis ponitur; erunt quoque anguli IGB, KHE, aequales. Igitur & arcus CB, FE, ideoque & semicirculorum reliqui AB, DE, aequales erunt. Item quia duo latera IG, IB, duobus lateribus KH, KE, aequalia ponuntur, & basis GB, basis KE, aequalis est; erunt quoque anguli GIB, HKE, ideoque & duorum rectorum reliqui CIB, FKE, aequales esunt. Rursus quia recte AB, DE, ponuntur aequales, erunt arcus quoque AB, DE, ac proinde & semicirculorum reliqui CB, FE, aequales. Igitur & anguli CAB, FDE, & propterea duorum rectorum quoque reliqui LAB, MDE, aequales erunt. Denique quia tria latera GIB, GL, LB, tribus lateribus HE, HM, ME, aequalia sunt, erunt ex coroll. propof. 8. lib. i. Eucl. anguli quoque GLB, BGL, anguli HME, EHM, aequales, Igitur & arcus AB, DE, ob angulos aequales BGL, EHM, ad Centra aequales erunt, ac propterea rectorum quoque reliqui anguli PLB, QME, & semicirculorum reliqui arcus CB, FE, aequales erunt. Non aliter ostendemus. & angulos ad L, M, & arcus AN, DO, & CN, FO, & AR, DS, & CR, FS, & AB, DE, & denique CB, FE, esse aequales.

T E R T I O. sint aequales arcus CB, FE, a rectis IB, KE, abscissi. Dico rectas. etiam IB, KE, & angulos ad I, K, aequales esse. Erunt enim anguli CGB, FHE, aequales, ob arcus aequales CB, FE. Quia igitur duo latera GI, GB, duobus lateribus HK, HE, sunt aequalia, angulosque continent aequalia; erunt quoque bases IB, KE, aequales, nec non & anguli GIB, HKE; ideoque & ex duobus rectis reliqui CIB, FKE. Quod si aequales sint arcus AB, DE, ab eisdem rectis IB, KE, abscissi, erunt quoque ex semicirculis reliqui CB, FE, aequales. Ergo, ut iam est ostensum, & recte IB, KE, & anguli ad I, K, aequales erunt. Sint rursus arcus aequales CB, FE, a rectis AB, DE, abscissi. Dico rectas quoque AB, DE, & angulos ad A, D, aequales esse. Erunt enim reliqui etiam arcus AB, DE, ex semicirculis aequales, & ideoque & recte AB, DE, aequales erunt. Item ob arcus aequales CB, FE, anguli CAB, FDE, ideoque & ex duobus rectis reliqui LAB, MDE, aequales erunt. Quod si aequales sint arcus AB, DE, ab eisdem rectis AB, DE, abscissi, erunt etiam ex semicirculis reliqui CB, FE, aequales. Ergo, ut proxime demonstravimus, erunt rursus recte AB, DE, & anguli ad A, D, aequales. Præterea sint arcus AN, DO, aequales abscissi a rectis LN, MO. Dico has rectas, & angulos ad L, M, aequales esse. Erunt enim anguli NGL, OHM, aequales, propter aequales arcus AN, DO. Igitur quia duo latera GN, GL, duobus lateribus HO, HM, aequalia sunt, angulosque complectuntur aequales, erunt & bases LN, MO, & anguli GLN, HMO, aequales idcirco & ex duobus rectis reliqui PLN, QMO, aequales erunt. Eadem ratione ostendes rectas LR, MS, aequales esse, & angulos ad L, M, si aequales sint arcus abscissi AR, DS, & sic de ceteris.

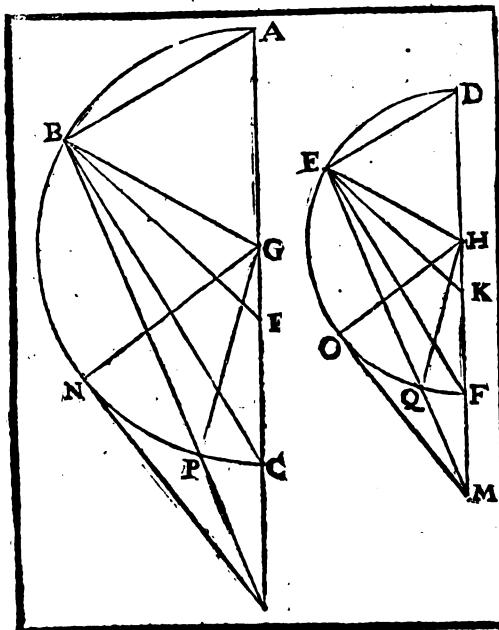
QVOD si in diametris circulorum inæqualium puncta sumantur similiter à centris remota, ita ut eorum distantia à centris eandem proportionem habeant, quam semidiametri, & ab eis punctis rectæ egrediantur constituentes cum diametris ad easdem partes angulos æquales; abscedentur ab eis arcus similes. Et si arcus absclisi sint similes ad easdem partes, constituent rectæ abscedentes cum diametris ad partes easdem angulos æquales.

In circulis enim inæqualibus ABC, DEF, quorum centra G, H, sumantur in diametris duo puncta I, K, similiter distantia à centris, hoc est, ita sit IG, ad KH, ut GC, ad HF, & permutando, ita IG, ad GC, ut KH, ad HF; constituanturque anguli aquales GIB, HKE. Dico tam arcus BC, EF, quæam AB, DE, similes esse. Iunctis enim rectis GB, HE; quoniam anguli I, K, aquales sunt, & latera circa angulos G, H, in triangulis BGI, EHK, proportionalia, & reliqua quorum angulorum B, E, uterque recto minor, quod pars sine rectorum, quos rectæ CB, AB; FE, DE, in semicirculis efficiunt; erunt anguli BGI, EHK, in centris aquales. Igitur ex scholio proposito lib. 3. Euclid. arcus BC, EF, similes sunt; itaque & ex semicirculis reliqui AB, DE, similes erunt, ex lemma 6.

Eadem ratione, si ad puncta C, F, similiter à centris distantia, cum per semidiametros distinet, faciat anguli aquales GCB, HFE, ostendemus tam arcus BC, EF, quæam AB, DE, similes esse. Iunctis enim rectis GB, HE; erunt rursim in triangulis BCG, EFH, anguli C, F, aquales, & latera

circum a angulos G, H, proportionalia e. Cum ergo reliquorum angulorum B, E, uterque recto minor sit, quod pars sine rectorum, quos rectæ CB, AB; FE, DE, constituant in semicirculis;

a 7. sexti.



emicirculis erunt anguli G, H , in centris aquales. Igitur ex scholio propos. 22. lib. 7. sexti. 3. Euclid. arcus $B C, E F$, similes sunt, &c. Quod brevius sic demonstrabitur. Nonnam aquales sunt anguli $A C B, D F E$, erunt ex predicto scholio, arcus $A B, D E$, similes; ideoque ex semicirculis reliqui BC, EF , per lemma 6. similes erunt.

N O N aliter, si puncta L, M , similiter distent à centris, siisque aquales anguli $G L B, H M E$, demonstrabimus similes esse & arcus $B C, E F$, & $A B, D E$, & $C P, F Q$. & $A P, D Q$, & $B P, E Q$. Iunctis enim rectis GB, HE ; erunt risus in triangulis $B G L, E H M$, anguli L, M , aquales, & circa G, H , latera proportionalia. Cum ergo reliquorum angulorum B, E , uterque sic minor yeclo; (Nam iunctis rectis $G P, H Q$; erunt anguli $B, P; E, Q$, in Isoscelibus $B G P, E H Q$, acuti, ex coroll. 3. propos. 17. lib. 1. Euclid.) erunt tam anguli G, H , quam B, E , aquales. Igitur ex scholio propos. 22. lib. 3. Euclid. arcus $BC, E F$, ideoque per lemma 6. & ex semicirculis reliqui $A B, D E$, similes erunt. Et quia anguli B, E , aquales sunt ostensi, erunt quoque P, Q , in Isoscelibus $B G P, E H Q$. (cum illis aquales sint) aquales; ac preinde & reliqui anguli $B G P, E H Q$, aquales erunt, quibus demptis ex equalibus $B G L, E H M$, reliqui etiam $P G L, Q H M$, aquales erunt; ac propterea ex scholio propos. 22. lib. 3. Euclid. arcus $C P, F Q$, ideoque per lemma 6. & ex semicirculi reliqui $A P, D Q$, similes erunt, à quibus si demandur similes $A B, D E$, reliqui $B P, E Q$, per lemma 6. similes quoque erunt.

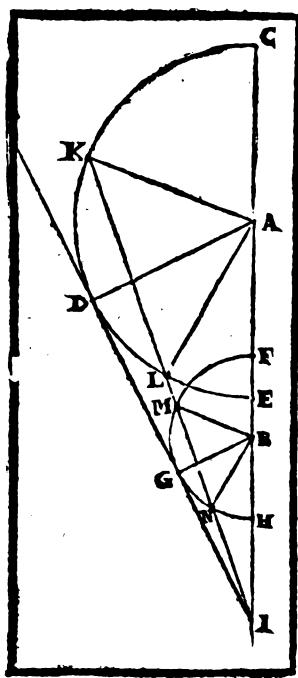
Q V O D si quando contingat, rectarum angulos aquales constituentium unam, verbi gratia, $L N$, circulum tangere, tangent & altera $M O$, circulum. Nam tangentia $L N$, circulum $A B C$, si ducatur $M O$, tangens circulum $D E F$, erit angulus $G L N$, angulo $H M O$, aqualis. Iunctis enim rectis NG, OH ; erunt anguli N, O , recti, & aquales. Cum ergo circa angulos $N G L, O H M$, latera sint proportionalia, & reliquorum angulorum L, M , uterque recto minor, ex coroll. 1. propos. 17. lib. 1. Euclid. erunt & anguli G, H , & L, M , aquales. Ex quo sit, si $L N$, circulum tangat, nullam ex M , duci posse, prater tangentem $M O$, que angulum ad M , angulo ad L , aqualem constituit, cum omnis talis angulus vel maior foret angulo $H M O$, vel minor.

S E D sint iam arcus similes $B C, E F$, & puncta I, K , similiter distantia à centris. Dico ductis rectis BI, EK , angulos I, K , aquales esse. Iunctis namque rectis BG, EH ; erunt ex scholio propos. 22. lib. 3. Euclid. anguli G, H , aquales. Cum ergo & latera circa eosdem sint proportionalia; aquisiangula erunt triangula 6. sexti. BGI, EHK , & anguli I, K , aquales.

Eodem patto aquales quoque erunt anguli C, F , & L, M , etiam, siue similes ponantur arcus BC, EF , siue CP, FQ . quod est propositum.

C O R O L L A R I V M.

E X his inferre licet & hoc theorema. Si ex duobus centris A, B , in eadem recta existentibus describantur duo circuli CDE, FGH , ea conditione, ut extra utrumque accipi possit punctum I , similiter à centris distans, id est, ut eadem sit proportio IA , ad IB , que semidiametri



tri AE , ad semidiametrum BH , & permutando eadem $I A$, ad AE , quæ $I B$, ad BH ; Recta linea ID , tangens unum circulorum, tangent & alterum, & recta IK , utrumque secans abscedet arcus similes EK , HM , CK , FM , &c. Quia enim circuli inequaes sunt, & punctum I , instar duorum similiter à centris abest, fit ut ducta recta ID , tangente circulum CDE , recta IG , faciens angulum BIG , æqualem angulo AID , hoc est, eundem, tangat quoque circulum FGH , similesque sint arcus DE , GH . Sic etiam ducta recta IK , si ducatur recta IM , faciens angulum FIM , æqualem angulo CIK , hoc est, eundem, efficitur ut arcus KE , MH , &c. similes sint, ut in scholio proximo demonstratum est. Hoc tamen corollarium demonstrari poterit ijsdem vijs, quibus scholium demonstratum est, ut constat, si recta iungantur, ut in figura apparent.

L E M M A XXII.

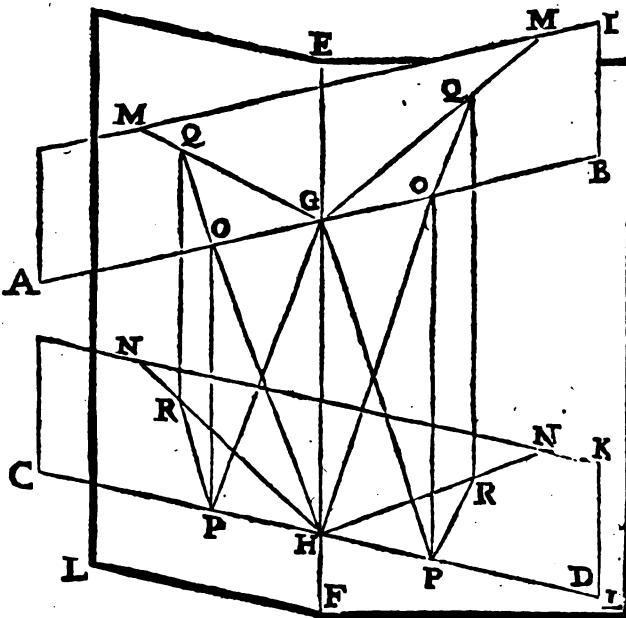
SI in plano subiecto inter duas rectas cadat transuersa recta linea faciens cum illis angulos internos ex utraque parte inter se æquales, sive omnes recti sint, sive duo obtusi, & duo acuti; in rectis autem illis duabus piano subiecto insistant duo plana ad angulos rectos: planum per transuersam lineam ductum utcunque faciet cum planis rectis communes sectiones, lineas rectas, quæ cum datis duabus rectis in piano subiecto angulos continebunt æquales.

IN subiecto piano sint duæ rectæ AB , CD , inter quas in transuersum cadat recta EF , faciens tā internos angulos HGB , GHD , quā internos HGA , GHC , inter se æquales, sive rectos, sive duos obtusos, & acutus duos. Sint autem pri-

mum

num HGB , GHD , obtusi, & HGA , GHC acuti, & in rectis AB , CD , insistant ad planum subiectum duo plana recta AI , CK : Per rectam quoque EF , transuersam ducatur planum EL , vt cunquē inclinatum ad planum subiectum siue ad partes B , D , siue ad partes A , C , secans plana recta AJ , CK , per rectas GM , HN . Dico tam angulos BGM , DHN , quam angulos AGM , CHN , inter se aequales esse. Sumptis namque rectis aequalibus GO , HP , uersus eam partem, in quam planum EL , ad subiectum planum est inclinatum, ita tamen, vt ex parte acutiorum angulorum AGH , CHG , abscondantur ante concursum linearum GA , HC , vt vtrōbiq; eadē semper sit demonstratio; fungantur rectæ OP , GP , OH . Quia igit̄ duo latera GH , GO , duobus laterib⁹ HG , HP , aequalia sunt, angulosque continent aequales ex hypothesi;

erunt triangula GHO , HGP , aequalia. Igitur rectæ GH , OP , parallelae sunt. In plāno deinde AI , ducatur ex O , ad AB , communem sectionem plāni AI , & plāni subiecti perpendicularis OQ , quæ ex definitione 4. lib. 11. Euclid. recta erit ad planum subiectum; ideoque ex definitione 3. eiusdem lib. angulus GOQ , rectus erit. Producatur autem OQ , donec in Q , secet GM , communem sectionem plāni EL , & plāni AI . Secabit autem eam omnino. cum in eodem plāno AI , existant, & anguli QOG , OGQ , sint duobus rectis minores, quippe cum plāno EL , ponatur inclinatum ad planum subiectum, ac proinde angulus OGQ , acutus sit. Nam si rectus foret, esset GQ , ex defin. 4. lib. 11. Euclid. ad plānum subiectum recta; ac proinde & plānum EL , per rectam GQ , ductum ad subiectum plānum esset rectum. quod non ponitur. In plāno quoque CK , ducatur ex P , ad CD , communem sectionem plāni CK , & plāni subiecti perpendicularis PR , quæ similiiter ad plānum subiectum recta erit. & producta cum HN , communī sectione plāni EL , & plāni CK , conueniet in R . Iuncta autem recta QR , in plāno EL , in quo puncta Q , R , existunt; si per GH , concipiatur duci plānum aequidistans plāno OR , (potest autem duci, cum GH , ipsi OP , ostensa sit parallelia.



4. primi.
39. primi

18. undec.

parallelia. Ita enim sit, ut planum per GH, ductum tamdiu circumvolui possit circa rectam GH, donec parallelum sit planum OR, per rectam OP, ductum erunt communes sectiones GH, QR, factae in planis illis parallelis a plane EL, per rectas GH, QR, ducto parallela. Cum ergo eidem GH, sit ostensa parallela OP; erunt quoque OP, QR, inter se parallelæ. Sed & OQ, PR, ad planum subiectum rectæ inter se parallelæ sunt. Parallelogrammum ergo est OR; ac proinde latera opposita OQ, PR, æqualia erunt. Quoniam igitur duo latera OG, OQ, duabus lateribus PH, PR, æqualia sunt, angulosque continent æquales, utpote rectæos; erunt anguli quoque QGQ, PHR, æquales. quod est propositum.

IAM vero si quando planum EL, ad subiectum planum fuerit rectum, cum etiam plana AI, CK, ad idem recta ponantur; erunt quoque communes sectiones horum & illius, nimis rectæ GM, HN, ad subiectum planum perpendicularares, atque idcirco per defin. 3. lib. 11. Euclid. tam anguli MGA, MGB, quam anguli NH C, NHD, recti erunt, ac proinde omnes quatuor inter se æquales.

¶ 28. primi. QVOD si recta EF, ad duas AB, CD, fuerit perpendicularis; erunt AB, CD, parallelæ; ac proinde ex scholio propos. 18. lib. 11. Eucl. plana recta AI; CK, parallela quoque erit. Igitur sectiones GM, HN, in illis factæ a plane EL, parallelæ erunt. Quare anguli BGM, DHN, æquales erunt.

L E M M A XXIII.

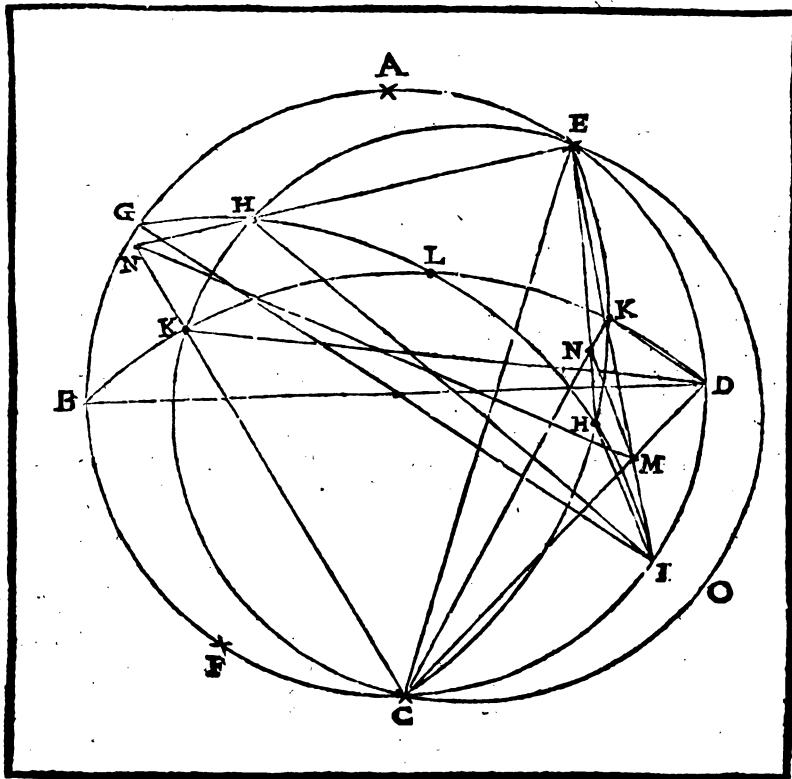
PLANVM in sphæra per alterutrum polorum mundi, & alterutrum polorum circuli cuiusvis obliqui maximi, vel ad Aequatorem recti, ut cunctæ ductum, abscondit tam ex Aequatore & circulo illo maximo obliquo, vel recto, quam ex quolibet parallelo Aequatoris, & parallelo circuli illius maximi obliqui, vel recti, (qui tamen æqualis sit parallelo Aequatoris, & qui tanto interuerso ab assumpto suo polo absit, quanto parallelus Aequatoris ab assumpto mundi polo distat) duos arcus æquales, inter planum secans, & circulum maximum per assumptos duos polos descriptum interceptos.

SED quia circulus ille maximus per mundi polos, & polos alterius circuli maximi descriptus binis in locis singulis circulos ex assumptionis duobus polis descriptos fecerat; ut sciamus, a quibusnam duabus sectionibus arcus æquales abscessi incipiunt, consideranda haec sunt. Quando planum secans dicitur per polum mundi australem, & polum circuli alterius maximi superiorem, (Quia enim alter hic circulus maximus, quando obliquus est, pro Horizonte alicuius regionis sumi potest, erit eius polus ab australi polo remotior,

remotior, superior, in star verticis siue Zenith, & alter inferior, in star Nadir, qui nimis polo australi propior est: quando autem alter bic circulus ad Aequatorem rectus est, ita ut sit Horizon quidam rectus, alteruter polorum eius accipi potest pro superiore, siue pro Zenith. Ex quo etiamsit, ne semicirculus maximi circuli per polos mundi, & polos alterius circuli transversantis, inter polos mundi conclusus, in quo superior polus, siue Zenith continetur, dicatur superior, alter vero, in quo inferior polus existit, siue Nadir, inferior vocetur:) & arcus abscissus ab Aequatore, vel eius parallelo incipit a semicirculo superiore, inchoandus erit arcus illi aequalis abscissus in altero circulo maximo, vel eius parallelo, a sectione boreali. Quando autem planum secans ducitur per polum mundi australi, & polum alterius circuli maximi inferiorem, & arcus abscissus in Aequatore, vel eius parallelo, incipit a semicirculo superiore, inchoandus erit arcus illi aequalis abscissus in altero circulo maximo, vel eius parallelo, a sectione boreali: ab australi vero, si arcus Aequatoris, vel eius paralleli, incipiet a semicirculo inferiore. Sectione porrò borealis, australis sumenda est respectu polorum alterius circuli maximi obliqui, vel recti.

IN sphera sit circulus maximus ABCD, per mundi polos A, C, & polos E, F, circuli maximi obliqui cuiuscunque GH, ductus, sitque ex polo alterutro mundi descriptus Aequator BKD, secans obliquum in L, eruntque quadrantes LB, LD, LG, LI. Quoniam enim circulus maximus ABCD, per polos maximum circulorum BLD, GLI, ducitur, ^a transibit vicissim eorum uterque per ipsius polos, ac proinde L, polus erit circuli ABCD; ^b ideoque LB, LD, LG, LI, ^a schol. 15.8 quadrantes erunt. Primum autem per polum australem mundi C, & E, polum ^b Theod. circuli obliqui remotiorem, (quaenam enim circulus maximus GH, obliquus ponitur ad Aequatorem, non distabunt eius poli ab huius polis. quadrante, ita ut eius poli sint B, D: ^c alioquin circulus obliquus transiret per polos Aequatoris A, ^c coroll. 16. C; ^d ideoque rectus esset ad Aequatorem, quod pugnat cum hypothesi. Igitur unus polus, nimis F, vicinior erit polo mundi C, alter vero E, remotior) du- ^e coroll. 16. catur planum quodpiam, ^f faciens in sphera superficie circulum CHE, ^g & cum ^h 1. Theod. plano circuli maximi ABCD, communem sectionem rectam CE: Segetque hic ⁱ 3. vnde. circulus CHE, primum Aequatorem & circulum maximum obliquum in pun-^j tis K, H, quae vel existant in quadrantibus LD, LI, vel in quadrantibus LB, LG, hoc est, arcus abscissi DK, IH, sint vel quadrante minores, vel maiores. Di-^k co arcus DK, IH, item BK, GH, (Nam DK, in Aequatore incipit a semicirculo superiore CDA, & IH, in circulo obliquo a sectione australi I: At vero BK, ini-^l tium sumit in Aequatore a semicirculo inferiore CBA, & GH, in obliquo cir-^m culo a sectione boreali G.) ⁿ aequalis esse: Ductis enim rectis CD, EI, quae se intersecabant in M, cum sint in plano maximi circuli ABCD, punctumque I, inter C, & D, existat; ^o Quoniam CD, EI, quadrantes sunt, ablatoque propterea arcu ^p coroll. 16. communi ^q 1. Theod.

• 37. tertij. communi DI, reliqui arcus CI, ED, æquales; erunt anguli CEI, ECD, æquales;
 • 6. primi. ideoque & rectæ EM, CM, æquales erunt. Rursus ducatur in plano circulii
 36. 1. Theo. CHE, rectæ CK, EH, quæ æquales erunt, cum sint latera quadratorum in cir-
 428. tertij. culis maximis descriptorum; ideoque & arcus CK, EH, æquales; & ablato com-
 muni arcu HK, quando circulus CHE, secat quadrantes LD, LI, quod tunc pun-
 tum H, sit inter C, & Aequatorem, vel addito communi arcu HK, quando cir-



culus CHE, secat quadrantes LB, LG, quod tunc punctum H, sit ultra Aequa-
 • 37. tertij. torem; æquales sicut quoque vel reliqui arcus, vel conflati CH, EK; ac proin-
 de & anguli CEH, ECK, æquales erunt. atque hinc rectæ CN, EN. (Nam re-
 ctæ CK, EH, necessario coibunt, quod uterque angularum equalium, C E H,
 • 6. primi. ECK, recto minor sit, vt probabimus) æquales etiam erunt. Rectas autem CK,
 EH, coire, quando circulus CHE, quadrantes LD, LI, secat, perspicuum est,
 cum se mutuo in plano eius circuli secent, propterea quod punctum H, est inter
 puncta

puncta C, & K : At vero easdem rectas CK, EH, quando circulus CHE, quadrantes LB, LG, secat, coire, hoc est, angulos aequales CEH, ECK, esse minores duobus rectis, ita manifestum erit. Quoniam circulus CHEO, non maximus est, cum puncta X, H, per quæ ducitur, non sint in circulo maximo ABCD, qui solus maximus est inter omnes circulos per puncta C, E, non per diametrum opposita descriptos. (Per duo namque puncta in sphæra non per diametrum opposita unus tantum circulus maximus describi potest, vt ex Theodosio constat) Vel certe si maximus esset, & seceret circulum ABCD, bifariam in E, C, quod est absurdum, cum bifariam seceret in A, C, auferet vtraque recta CK, EH, ex circulo CHEO, maiorem arcum, quam vt similis sit arcui, quam vtraque earum ex maximo circulo auferri : Auferit autem vtraque ex maximo circulo quadrantem, quod vtraque lateri quadrati in maximo circulo descripti sit aequalis. Igitur vterque arcus CK, EH, quadrante maior erit. Rursus quia recta CE, ex circulo eodem CHEO, maiorem arcum auferit, quam vt similis sit arcui CDE, quem ex maximo circulo ABCD, eadem recta CE, absindit : Est autem arcus CDE, quadrante maior, quod CD, quadrans sit. Igitur arcus COE, multo maior erit quadrante, ac proinde si adiiciantur duo arcus CK, EH, quadrante etiam maiores ostensi, erunt toti arcus EOC, COEH, semicirculo maiores singuli, & atque idcirco vterque angulus ECK, CEH, cum in illis segmentis majoribus existant, recto minor erit. Quocirca duæ rectæ CK, EH, extra sphæram coibunt in N, propter duos angulos ECK, CEH, duobus rectis minores.

I T A Q V E ductis rectis MN, DK, IH; quia latera CM, CN, lateribus EM, FN, ostensa sunt aequalia, basisque communis est MN; erunt anguli MCN, MEN, aequales in triangulis CMN, EMN, quæ quidem extra plana circulorum CHE, ABCD, existunt. Quocirca in triangulis CDK, EIH, quoniam latera CD, CK, lateribus EI, EH, sunt aequalia, quod omnia, latera sunt quadratorum in maximis circulis descriptorum; angulosque aequales comprehendunt DCK, IEH, vt ostendimus; erunt bases quoque DK, IH, aequales; atque idcirco & arcus DK, IH, aequales erunt, siue iij minores sunt quadrante, siue maiores, hoc est, siue circulus CHE, existat citra punctum L, siue ultra. Reliqui igitur ex semicirculis BK, GH, aequales quoque erunt.

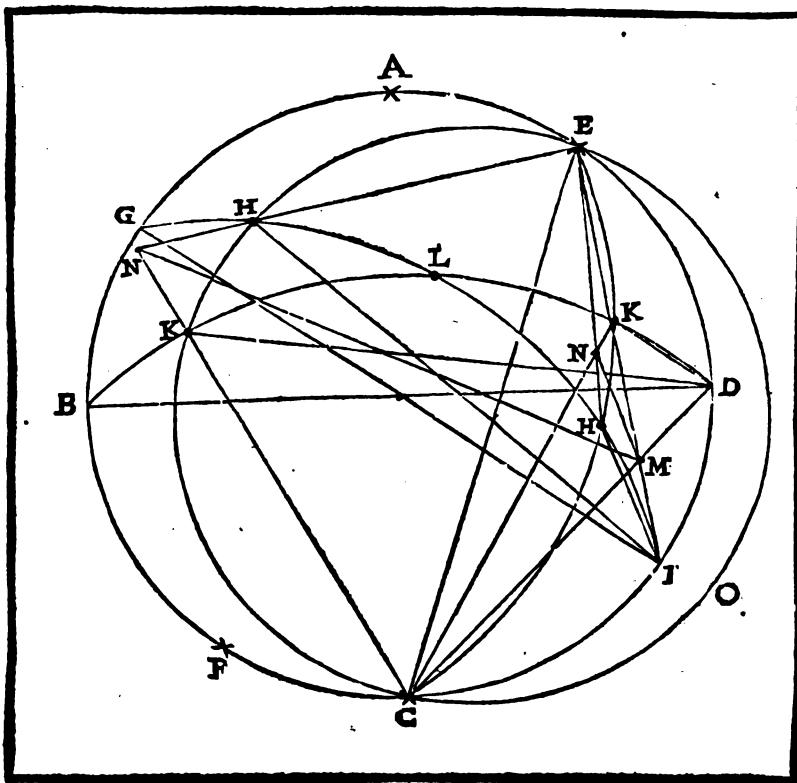
C A E T E R V M angulos MCN, MEN, ex quibus quidem tota uis demonstrationis pendet, probabimus esse aequales, etiam si non conserter, rectas CH, EH, productas conuenire in punto N, hoc modo. Quoniam planum circuli CHE, planum circuli ABCD, secat per rectam CE, suntque tam in hoc aequalis ostensi duo interni anguli CEI, ECD, quam in illo duo interni CEH, ECK: erunt per lemma 20 anguli quoque DCK, IEN, aequales. Quare, vt prius, ostendentur aequales bases DK, IH; ac proinde & arcus DK, IH, ideoque & ex semicirculis reliqui BK, GH, aequales erunt.

E T quia ostensi sunt quadrantes LD, LI, si demantur aequales arcus DK, IH, vel ab his quadrantes tollantur LD, LI, erunt quoque arcus LK, LH, intercepiti inter planum secans & punctum K, intersectionis Aequatoris cum circulo obliquo, aequales.

Q V O D si circulus CHE, transeat per L, punctum, vbi se intersectant Aequator & circulus obliquus GHI, perspicuum est, arcus abscissos K DL,

DL, IL, æquales esse, cum sint ostensi quadrantes. Sic etiam si idem circulus CHE, transeat per alterum etiam polum mundi A, liquido constat, & arcus DLB, ILG, & LB, LG, æquales esse. Erit enim tunc circulus CHE, idem qui ABCD, maximus, ac proinde semicirculi erunt DLB, ILG, & LB, LG, quadrantes.

SEQVITVR etiam ex his, quoscumque duos circulos per C,



E, ductos intercipere in Aequatore, & circulo maximo obliquo arcus æquales. Cum enim quilibet absindat arcus æquales usque ad puncta D, I, vel usque ad puncta B, G; si minores ex maioribus auferantur, reliqui arcus inter duos circulos intercepti erunt quoque æquales. Ita erunt arcus K L K, H L H, æquales inter duos circulos C H K E, C K H E. Nam arcus æquales D K, I H, ex æqualibus D K L K, I H L H, ablati relinquunt æquales K L K, H L H, atque ita de easteris.

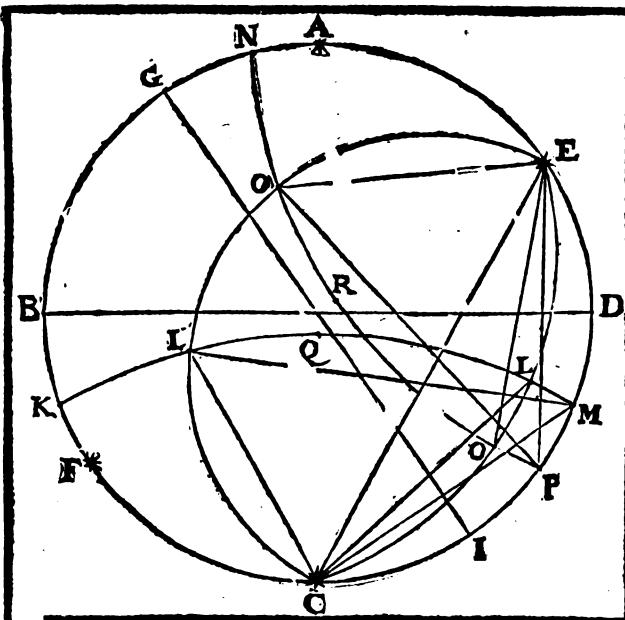
ZADEM

E A D E M prorsus demonstratio adhibebitur in alijs duobus semicirculis Aequatoris, & circuli maximi obliqui, ex altera parte maximi circuli ABCD. Nam ex illis quoque planum quodcumque per polos C, E, dum abscindet arcus aequales inter planum ipsum, & circulum maximum ABCD, vel alterum punctum sectionis Aequatoris, & circuli obliqui interceptos.

R V R S V S in sphæra sit circulus maximus ABCD, per polos modi A, C, & polos E, F. circuli cuiusvis maximi obliqui, ductus, fitq; diameter Aequatoris BD, circuli obliqui, GI, vt supra. Ex polis autem C, E, supra assumptis describantur eodem intervallo duo circuli aequales KLM, NOP, quorum ille Aequatori, hic vero circulo obliquo parallelus erit: qui duo paralleli vel se mutuo secabunt, vt in pri-

ma figura, vel nullomodo se intersecabunt, quod duobus modis fieri potest. Aut enim circuli ex polis C, E, descripti sunt circa maximos circulos, quibus aequidistant, vt in 2. figura, aut ultra, vt in 3. figura. Iam per polos C, E, ducatur planum quodpiam utcunque, faciens in sphæra superficie circulum CLE, & cum plano circuli maximi ABCD,

communem sectionem; rectam CE: Secetq; circulus utrumque parallellum in punctis L, O, quomodounque inclinatus sit ad maximum circulum ABCD, hoc est, siue angulus inclinationis versus segmentum CDE, sit acutus, siue rectus, siue obtusus. Dico tam arcus abscessos ML, PO, quam KL, NO, esse aequales. Nam ML, incipit a semicirculo superiore, & PO, a sectione australi: At vero KL, a semicirculo inferiore, & NO, a sectione boreali, vt in prepositione dictum est, fieri debere. Ductis enim rectis CL, CM, EO, EP, quae omnes aequales sunt ex polis ad parallelos aequales, iunctisque rectis LM, OP, erunt tam arcus CM, EP, in circulo ABCD, quam arcus CL, EO, in circulo CLE, aequalis; ablatisque communibus arcibus MP, LO, quando paralleli se intersectant, vt in prima figura, vel quando non se intersecant, sed tamen existunt ultra



b 1.1. Theb.

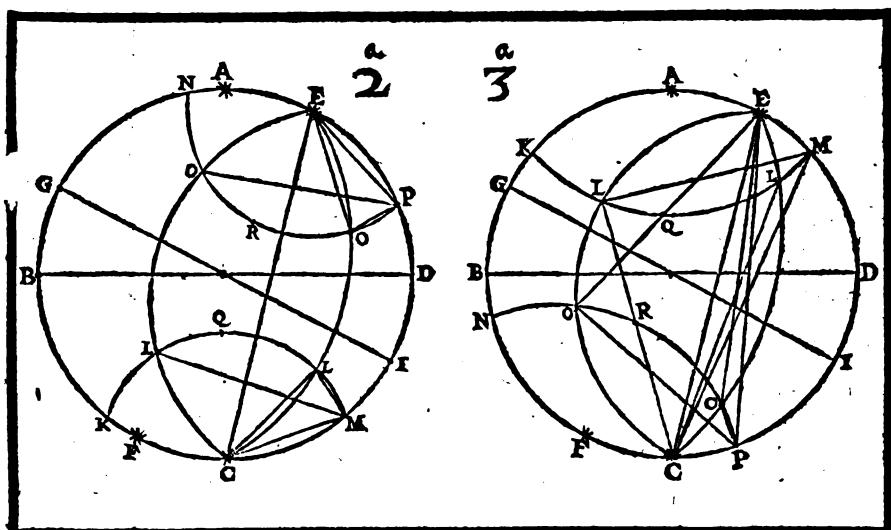
schol. 21.1.

1. Theb.

28. tertij.

circulos maximos, quibus equidistant, ut in tertia figura: vel iisdem arcubus MP , LO , additis, quando non se mutuo secant, sed tamen existunt etiam círculos maximos, quibus equidistant, ut in secunda figura, erunt quoque tam reliqui arcus, vel conflati CP , EM , quam CO , EL , equalib; ac proinde tam interni anguli CEP , ECM , in plano maximi circuli $ABCD$, insistente arcubus aequalibus CP , EM , quam anguli interni CEO , ECI , in plano circuli CLE , illud per rectam CE , secante insistentes equalibus arcubus CO , EL , inter se aequales erunt. Ig-
 27. tertij.
 schol. 21, 1 T heod.
 28. tertij.
 4. primi.

Igitur per lemma 20. anguli quoque LOM , OEP , erunt aequales: Sunt autem &
 latera CL , CM , EO , EP , ipsos comprehendentia, aequalia: Igitur & bases LM ,
 OP , aequales erunt; ideoque & arcus ML , PO , aequales erunt, ac proinde & ex
 semicirculis reliqui KL , NO .



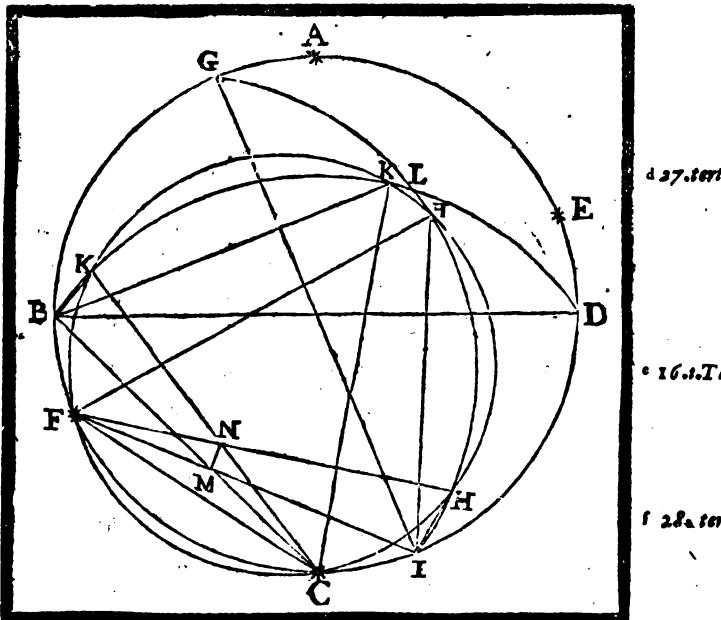
QVOD si semicirculi parallelorum KLM , NOP , secentur bifariam in qua-
 drantes in punctis Q , R , erunt quoque arcus LQ , OR , inter planum secans
 CLE , & terminos quadrantum Q , R , intercepti aequalis, cum sint complementa
 aequalium arcuum ML , PO , vel arcuum aequalium KL , NO .

etiam est, si circulus CLE , transeat per alterum etiam mundi polum A , ita ut cum maximo circulo $ABCD$, coincidat, arcus abscissos MLK , PON , aequalis esse; quippe qui semicirculi sint. Sic etiam si idem circulus auferat ex uno parallelo quadrantem, auferet quoque ex altero quadrantem, cum necessario eam aequalis arcum auferat, ut demonstratum est. Item duo quicunque circuli per C , E , du*ti* intercipient arcus aequalis parallelorum, ut paulo ante de Aequatore, & circulo maximo obliquo di-
 agum est.

IDEM

IDEM prorsus continget in reliquis duobus semicirculis parallelorum, ex altera parte circuli maximi ABCD. Eadem enim omnino est demonstratio in il- lis, atque in his, ut patet.

D E I N D E per eundem mundi polum C, & polum F, circuli obliqui GH I, propinquiores ducatur planum aliquod, faciens in superficie sphæ- ^{1. i. Theor.}
re circulum CHF, & cum plano maximi circuli ABCD, communem sec-^{3. undec.}
tionem, rectam CF, fecetque hic circulus CHF, primum Aequatorem, & circulum obliquum maximum in punctis K, H, ubique hoc contingat. Dico arcus abscissos BK, IH; Item DK, GH, (Nam BK, incipit à semicirculo infe- ^{coroll. 16.}
riore, & IH, à sectione australi; at vero DK, à semicirculo superiore, & GH, à sectione boreali, ut in propositione præcipitur.) esse æquales. Ductis enim rectis CB, CK, FI, FH, BK, IH: Quoniam CB, FI, quadrantes sunt, ideo- ^{1. Theor.}
que æquales; ablato com-
muni arcu
CF, reliqui
arcus BF, IC
æquales quo-
que erunt.
Igitur anguli
BCF, IFC, æ-
quales erunt.
Kursus quia in circulo
CHF, rectæ
CK, FH, æ-
quales sunt,
cum sint la-
tera quadra-
torum in ma-
ximis circu-
lis BK, D,
GHI, deseri-
ptorū; erunt
arcus quoq;
CFK, FCH,
æquales, abla-
toq; commu-
ni arcu CF,
teli qui arcus FK, GH, æquales etiam erunt. Igitur anguli quoq; KCF, HFC, ^{27. tertij.}
æquales erunt. Itaq; quia planum circuli CHF, secat planū circuli ABCD, per rectam CF; suntq; tam in hoc æquales interni duo anguli BCF, IFC, quam in illo duo interni anguli KCF, HFC, æquales, ut demonstratum est; erunt quoque per lemma 20. anguli BCK, HFI, æquales. Quod etiā hoc modo, quādā tā recte CB, FI, se in M, secant, quādā recte CK, FH, in N, ostendes. Quia tā anguli BCF, ^{27. tertij.}
IFC, quam anguli KCF, HFC, ostensi sunt æquales, erunt tam recte CM, FM, ^{6. primi.}
quam recte CN, FN, inter se æquales. Ducta ergo recta MN, cū duo latera CM, ^{8. primi.}
CN, duobus lateribus FM, FN, æqualia sint, basisque MN, communis, erunt
quoque anguli MCN, MFN, æquales. Itaque in triangulis CBK, FIH, quoniam latere

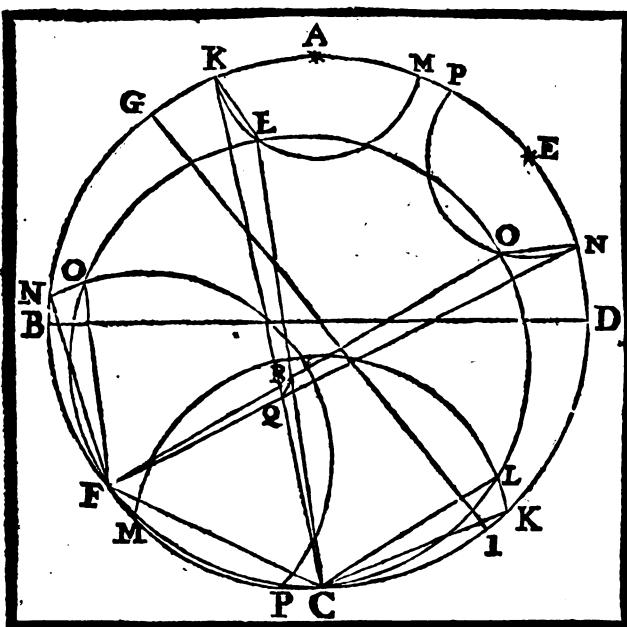


- 16. Theo.** latera CB, CK, lateribus FI, FH, & equalia sunt, quod omnia sint latera quadratorum in maximis circulis descriptorum; angulosque comprehendunt & equalia, BCK, IFH, ut ostendimus; erunt quoque bases BK, IH, & equalia: atque idcirco & arcus BK, IH, & equalia erunt; ac proinde & ex semicirculis reliqui DK, GH & equalia erunt, &c.

VRVS ex eisdem polis assumptis C, F, vicinis descripti sint uno eodem que interduo duo circuli & equalia KLM, NOP, sive citra Aequatorem, & circulum maximum obliuum, sive ultra. Et per eosdem polos C, F, planum ducatur, faciens in superficie spherae circulum CLOF, & cum maximo circulo ABCD, communem sectionem, rectam CF. Secet autem hic circulus factus circulos ex polis C, F descriptos in L, O. Dico tam arcus KL, NO, quam ML, PO, & equalia esse; quorum KL, incipit a semicirculo superiore, & NO, a sectione boreali in

- 17. Theo.**

parallelis citra maximos circulos; in aliis autem priora semicirculo inferiore, & posterior a sectione australi incipit. Item ML, incipit a semicirculo inferiore, & PO, a sectione australi, in parallelis citra maximos circulos; in aliis autem incipit ML, a superiori semicirculo, & PO, a sectione boreali; ut in propositione precipitur. Ductis enim



schol. 21.1

Theod.

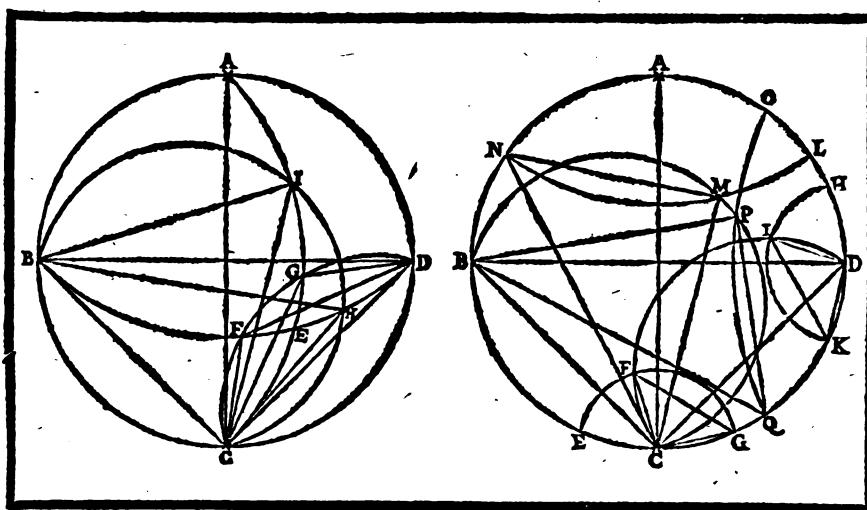
18. tertij.

19. tertij.

rectis CK, CL, FN, FO, que omnes inter se & equalia sunt ex polis proprijs ad circulos & equalia: Quoniam tam arcus CK, FN, in circulo ABCD, ob rectas & equalia CK, FN, quam arcus CL, FO, in circulo CLOF, ob & equalia rectas CL, FO, & equalia sunt; addito communi arcu CF, in utroque circulo, quando circuli KLM, NOP, sunt citra maximos circulos, vel quando sunt ultra eosdem, ablati eodem arcu CF, erunt quoque tam conflati, vel reliqui arcus FK, CN, in circulo ABCD, quam FL, CO, in circulo CLOF, & equalia; ideoque & tam reliqui ex circulis totis FAK, CAN, in circulo ABCD, quam FOL, CLO, in circulo CLOF, & equalia erunt. Igitur tam interni anguli KCF, NFC, insistentes arcibus & equalibus FAK, CAN, circuli ABCD, quam interni LCF, OFC, insistentes & equalibus

equalibus arcibus FOL , CLO , circuli $CLOF$, æquales erunt; ac proinde per lemma 20. anguli quoque KCL , NFO , æquales erunt. Quod hoc etiam modo ostendes, quando tam rectæ CK , FN , quam CL , FO , se intersecant in Q . R., vt accidit, quando circuli KLM , NOP , ultra maximos circulos exsunt. Quoniam tam anguli KCF , NFC , quam LCF , OFC , sunt ostensiæ æquales; erunt tam rectæ CQ , FQ , quam CR , FR , æquales inter se. Duxa ergo rectæ QR , cum duo latéra CQ , CR , duobus lateribus FQ , FR , æqualia sint, basisque QR , communis, erunt ^b 8. primi. quoque anguli QCR , QFR , æquales. Itaque in triangulis CKL , FNO , ^c quia ^{scho. 21. 1} latera CK , CL , lateribus FN , FO , æqualia sunt, angulosque continent æquales ^{Theod.} KCL , NFO , vt ostensum est; erunt bases etiam KL , NO , æquales, atque id ^d 4. primi. circo & arcus KL , NO , abscissi æquales erunt, ideoque & ex semicirculis reliqui ^e 28. tertij. ML , PO , æquales erunt, &c.

SED demonstremus iam hoc idem Lemma, quando alter circulorum ad

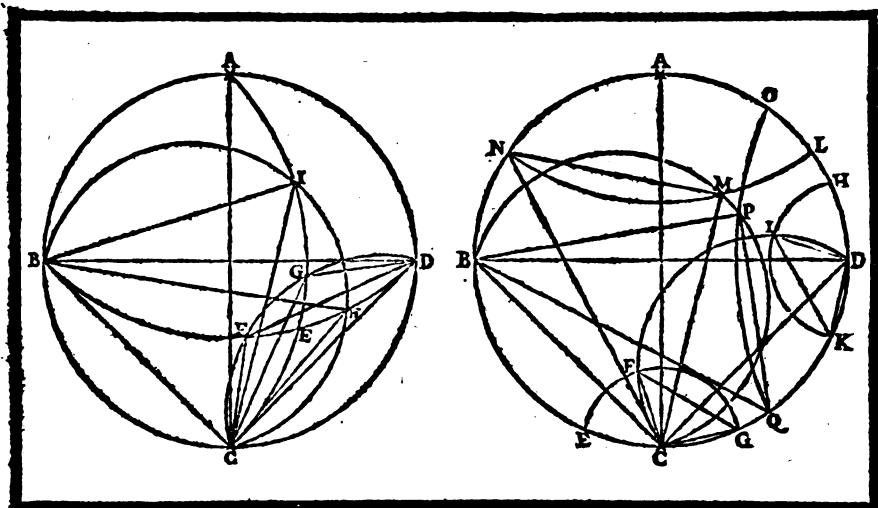


Aequatorem rectus est. Sit circulus maximus $ABCD$, per A , C , polos mundi, siue Aequatoris BED , & per B , D , polos circuli maximi AEC , ad Aequatorem reæti descriptus, vt in hac priori figura; ducaturque primum per polum australem mundi C , & per polum circuli AEC , superiorem D , planum, faciens in circulo $ABCD$, rectam CD , & in sphæra circulum $CFGD$, qui Aequatorem secet in F , & circulum AEC , in G . Dico arcus abscissos DF , CG , vel BF , AG , æquales esse; quorum DF , initium sumit à semicirculo superiore, & CG , à sectione australi: At vero B , à semicirculo inferiore, & AG , a sectione boreali, ut faciendum esse in propos. præcepimus. Ductis enim rectis CF , DG , FD , GC , erunt CF , DG , ^f 16. i. Theod. æquales, cum sint latera quadratorum in circulis maximis descriptorū; ideo- ^g 28. tertij. que

que & arcus CF, DG , æquales erunt; additoque communi arcu FG , vel ablatu, si circulus $CFGD$, citra punctum E , maximos circulos secaret; erunt quoque arcus CFG, DGF , æquales; ac propterea & anguli CDF, DCF , æquales erunt in piano circuli $CFGD$. Quapropter cum duo latera CF, CD , duobus lateribus DG, DC , æqualia sint, (quod CF, DG , latera sint quadratorum in circulis maximis descriptorum, latus autem CD , commune) angulosque continentæ æquales DCF, CDG , ut demonstratum est; erunt quoque bases DF, CG , æquales.

- 27. tertij.**
 - 26.s. Theo.**
 - 4. primi.**
 - 29. tertij.**
 - 28. tertij.**
- Immo rectæ DF, CG , æquales sunt, propter arcus DGF, CFG , æquales circulis $CFGD$. Igitur & arcus DF , in Aequatore, & CG , in circulo AEC ; ac propterea & ex semicirculis reliqui BF, AG , æquales erunt. quod est probatum.

D V C A T V R deinde per eundem polum australem mundi C , & per polum circuli AEC , inferiorem B , planum, faciens in circulo $ABCD$, rectam CB , & in



Sphæra circulum $CHIB$, qui secet Aequatorem in H , & circulum AEC , in I . Dico rursum arcus abscessos BH, CI , vel DH, AI , æquales esse; quorum BH , in Aequatore incipit à semicirculo inferiore, & CI , à sectione australi: At vero DH , à semicirculo superiore, & AI , à sectione boreali, vt proposito præcipit.

- 26.s. Theo.**
 - 28. tertij.**
 - 29. tertij.**
- Duatis enim rectis CH, BI, BH, CI , erunt CH, BI , æquales, cum sint latera quadratorum in maximis circulis descriptorum. Igitur arcus CH, BI , æquales erunt; additoque communi arcu HI , vel ablatu, quando nimis circulus $CHIB$, circulos secat citra E ; toti quoque, vel reliqui arcus CH, BI, HI , æquales erunt; ac propterea & anguli CBI, BCH , ipsis insistentes ad peripheriam æquales erunt in piano circuli $CHIB$. Quocirca cum duo latera CH, CB , duabus

bus lateribus B_1, BC , æqualia sint. Nam CH, BI , latera sunt quadratorum in circulis maximis descriptorum, & latus BC , commune complectanturq; angulos æquales BCH, CBI , vt ostendimus, erunt quoque bases BH, CI , æquales: Immo rectæ BH, CI , æquales sunt, propter æquales arcus $B/H, CHI$, circuli $CHIB$. Igitur & arcus BH, CI , in Äquatore, & circulo AEC ; atque idcirco & ex semicirculis reliqui DH, AK , æquales erunt. quod est propositum.

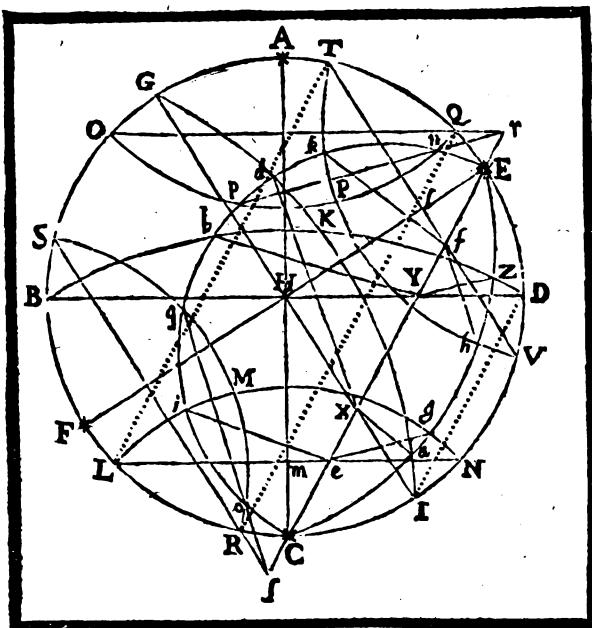
R V R S V S ex C, polo australi, & D, polo superiori alterius circuli maximi, sint descriptori paralleli æquales EFG, HK , ac per eosdem polos ductum planum faciat in circulo $ABCD$, rectam CD , in sphera autem circulum $CFID$, qui parallelos secet in F, I, vt in posteriori figura. Dico iterum arcus abscissos GF, KI , vel EF, HI , esse æquales; quorum GF , incipit à superiore semicirculo, & KI , à sectione australi: At vero EF , à semicirculo inferiore, & HI , à sectione boreali, vt vult propositio. Ductis enim rectis CF, CG, GF, DI, DK, KI ; erunt CF, CG, DI, DK , inter se æquales. Igitur & arcus CF, DI , æquales erunt; additoque communi arcu, FI , vel ablatu, si opus sit; arcus quoque CI, DF , æquales sicut; ideoque & anguli CDI, DCF , ipsis insistentes æquales erunt in plano circuli $CFID$. Eodem modo æquales erunt arcus CG, DK ; ac proinde & ex quadrante CD , reliqui DG, CK , æquales erunt; atque idcirco æquales etiam erunt anguli DCG, CDK , in plano circuli $ABCD$. Igitur per lemma 20. anguli quoque FCG, IDK , æquales erunt: Sunt autem & latera ipsos comprehendentia inter se æqualia obtensa. Igitur & bases FG, IK ; ac proinde & arcus FG, IK , vna cum residuis EF, HI , ex semicirculis, æquales erunt.

AD extremum ex polo australi C, & B, polo inferiore alterius circuli maxi- mi ad Äquatorem recti, describantur paralleli æquales LMN, OPQ , & per eosdem polos planum ductum faciat in circulo $ABCD$, rectam CB , in sphera autem circulum $C P M B$, parallelos secantem in M, P. Dico arcus quoque abscissos NM, QP , vel LM, OP , esse æquales; quorum NM , à semicirculo inferiore, & QP , à sectione australi incipit: At vero LM , a semicirculo superiore, & OP , à sectione boreali, vt res postulat, quemadmodum in propositione dictum est. Ductis namque rectis CM, CN, BP, BQ, MN, PQ , in quarum priore quatuor inter se æquales sunt; erunt arcus CM, BP , æquales, ablatoque communi arcu MP , vel addito, si quando res postulauerit; reliqui quoque æquales erunt CP, BM . Igitur æquales erunt anguli ipsis insistentes CBP, BCM , in plano circuli $CPMB$. Eadem ratione æquales erunt arcus CN, BQ , & ablatu communi quadrante BC , vel addito, si opus fuerit, arcus quoque BN, CQ , æquales erunt; ac propterea & anguli $B/CN, C/BQ$, æquales inter se erunt in plano circuli $ABCD$. Quocirca cum in planis circulorum $APMB, ABCD$, sece in recta BC , secantibus duo anguli CBP, CBQ , duobus angulis BCM, BCN , æquales existant; erunt per lemma 20. æquales quoque anguli PBQ, MCN . Cum ergo comprehendantur lateribus æquilibus, vt ostendimus; erunt etiam bases æquales MN, PQ : Igitur & arcus MN, PQ , ideoque & ex semicirculis reliqui LM, OP , æquales erunt. quod est propositum.

Alia demonstratio totius lem
matis.

C A E T E R V M quia lemma hoc ex precipuis unum est, cum mirificum usum habeat in dividendis circulis Astrolobi in gradus, libert illud alia ratione demon
strare, ut eius veritas magis perspicua fiat. Sit igitur rursus in sphera circulus maxi
mus ABCD, per A, C, polos mundi, vel Aequatoris BKD, & E, F, polos eiusdem cir
culi maximi obliqui GKJ, descriptus; Centrum sphera, & omnium maximorum cir
culorum H; Axis Aequatoris AC; circulus obliqui axis EF, qui axes, cum ad suos
circulos recti sint, perpendicularares erunt ex defn. 3. lib. 1. Euclid. ad diametros pro
priorum circulo
rum B D, G I,
ita ut ex scholio
propos. 27. lib. 3.
Euclid. quadran
tes simi A B, B C,
C D, D A; EG,
G F, F I, I E. De
scribantur quo
que ex polis C,
F, quatuor paral
loli, ex singulis
bini, LMN, O P Q,
R M S, T P V, qui aqua
les sint. Intelli
gatur autem pri
mum duci plan
num per C, po
lum Aequato
ris, & E, polum
circuli obliqui à
C, remotiorem,
quod faciat in
circulo ABCD,
communem se
ctionem, reclam

a 20. 1. Theo.



C E, in superficie autem sphera circulum Ca b E, quando ad partes D, I, vergit, vel
circulum Cb d E, quando vergit ad partes B, G. Prior autem circulus fecit Aequato
rem, & maximum circulum GKJ, in z, a; parallelos autem LMN, T P V, in g, h: Ac
posterior circulus eosdem circulos fecit in b, d, i, k. Et parallelos O P Q, S M R, in u, o
p, q. Dico arcus abscessos Dz, Ia, & Bz, Ga, aequales esse; quorum Dz, incipit à se
micirculo superiore, & Ia, à sectione australi; At vero Bz, à semi
circulo inferiore, & Ga, à sectione boreali. Item eadem de causa aequales esse arcus
Db, Id, vel Bb, Gd, in Aequatore, & maximo circulo obliquo. Similem ob causam di
ceo in parallelis LMN, T P V, aequales esse arcus Ng, Vb, vel Lg, Tb: Itemque Ni, Vk,
vel Lt, Tk: Ac denique in parallelis O P Q, S M R, arcus Qn, RO, vel On, SO: Item
Qp, Rp, vel Op, Sq. Iuncta enim recta DI, quoniam quadrantes EI, CD, aequales
sunt; dempto communi arcta DI, reliqui DE, IC, aequales quoque erunt. Igitur ex
scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. parallela erunt CE, ID; ^b angulique propter eas HXY,
HYX,

29. primi.

HYZ. angulis HID, HDI , externi internis, aequales erunt. ^a Cum ergo bi aequales sint ^a s. primi, in Isoetole HDI ; erunt quoque illi aequales; ^b ideoque & rectas XH, YH , aequales erunt, ^b 6. primi. hoc est, puncta Y, X , à centro H , equaliter distabunt. Faciens quoque plana circulum $Ca hE, Cb dE$, in Aequatore sectiones, rectas TZ, Tb ; in circulo vero maximo obliquo GDI , rectas Xa, Xd : & in parallelis LMN, TPV, OPQ, SMR , rectas eq , ei, fb, fk, rnp, scq .

I T A Q V E quoniam in rectas BD, GI , in plano circuli $ABCD$, existentes incident recta CE , faciens angulos HXY, HYX , aequales, & in rectis BD, GI , insitunt plana circulorum BKD, GKI , que sunt ad planum circuli $ABCD$, rectas: communes sectiones YZ, Xa, Yb, Xd , planorum $Ca hE, Cb dE$, per CE , ductorum cum Aequali toro, & circulo maximo obliquo, facient cum diametris BD, GI , in punctis Y, X , aequales angulos $DYZ, IXa, DYTb, IXd$, ex precedenti lemmae 22. Cum ergo puncta Y, X , à centro H , equaliter distent, ut ostensum est, abstinent ex lemmate 21. eadem communes illa sectiones YZ, Xa, Yb, Xd , ex circulis BKD, GKI , arcus aequales DZ, Ia ; Db, Id : Item BZ, Ga, Bb, Gd .

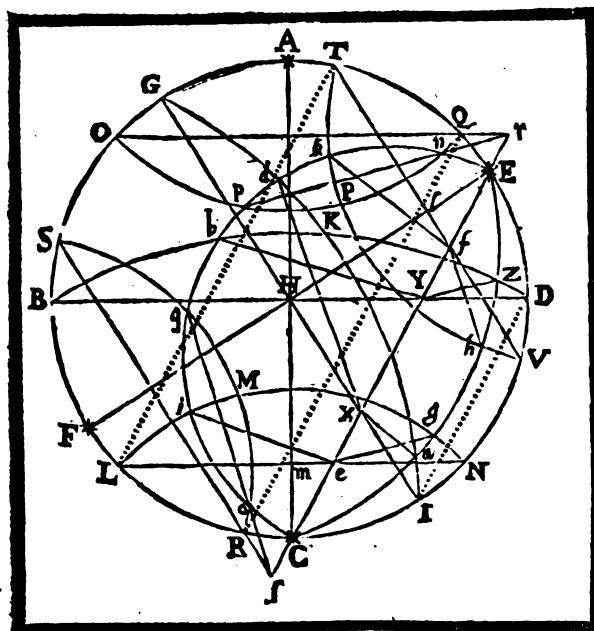
R V R S V S iuncta recta LT ; ^a quoniam recta ex polis C, E , ad puncta L, T , circulo ^a schol. 21. 1. $r\bar{v}$ aequaliū aequales sunt; ^c aequales erunt arcus CL, ET ; ac propterea ex schol. propos. 2 head. 27. lib. 3. Euclid. parallela oram TL, CE ; ^d ideoque anguli Nef, Vfe , aequales ^e 28. tertij. NLT, VTL , externi internis, aequales erunt. ^f Sunt autem anguli NLT, VTL , ^g 29. primi. aequales, quod arcus NT, LV , quibus insitunt, aequales sunt. ^h Quoniam enim arcus TV, LN , quies diametri TV, LN , circulorum equalium subtendunt, aequales sunt; addito communi arcu NV , toti arcus NT, LV , aequales fiunt.) Igitur & anguli Nef, Vfe , aequales inter se erant. Praterea quia in triangulis ELf, Cme , ⁱ s. primi. anguli E, C , aequales sunt, ob Isoetolas CHE , & angulil, $m, recti$, ^j quod axes ^k o.s. Theo. EF, CA , recti sunt ad eorum circulos, ideoque & ad eundem diametros ex defn. 3. lib. 11. Euclid. ^l & recta quoque El, m , sinus versi arcuum equalium El, CL , aequales, ut ad definitiones finium demonstravimus; ^m erunt etiam lf, me , aequales; ⁿ 26. primi. ideoque puncta f, e , à centris l, m , equaliter distabunt.

I T A Q V E quoniam in rectas LN, TV , in plano circuli $ABCD$, existentes incident recta CE , faciens angulos Nef, Vfe , aequales; & in rectis LN, TV , insitunt plana circulorum LMN, TPV , que ad planum circuli $ABCD$, recta sunt: ^a 25. a. Theo. communes sectiones eg, fb, ei, fk , planorum $Ca hE, Cb dE$, per CE , ductorum cum parallelis LMN, TPV , facient cum diametris LN, TV , in punctis e, f , angulos aequales $Neg, Vfb; Nei, Vfk$, ex antecedenti lemmae 22. Cū ergo puncta e, f , à centris m, l , equaliter distent, ut ostensum est; communes illa sectiones eg, fb, ei, fk , abstinent ex circulis LMN, TPV , aequales arcus $Ng, Vb; Ni, Vfk$: Item $Lg, Tb; Li, Tk$, ex lemmae 21.

D E N I Q V E iuncta recta QR , ^a quoniam & toti arcus AE, FC , ob ^b 26. tertij. angulos AHE, FHC , in centro aequales, cum sint ad verticem, aequales sunt, ^c & ^d 28. tertij. AQ, FR , ablati aequales quoque, p quod recta AQ, FR , ex polis A, E , ad circulos aequales cadentes ad Q, R , sint aequales; erunt etiam reliqui arcus EQ, CR , aequales; ac propterea ex scholio propos. 27. lib. 3. Euclid. parallela erunt CE, QR . Igitur recta OQ, SR , producta, cum secant ipsam QR , in Q, R , secabunt quoque eius parallelam CE , productam in r, s ; ^e angulique OQR, SRQ , $angulis Ofr, sfr$, ^f 29. primi. Sfr , externi internis, aequales erant. ^g Sunt autem anguli OQR, SRQ , aequales, ^h 27. tertij. quod arcus OR, SQ , quibus insitunt, aequales sunt. ⁱ Quoniam enim arcus RS, QO , ^j 28. tertij. quos diametri RS, QO , equalium circulorum subtendunt, aequales sunt; addito arcu communi OS , toti arcus OR, SQ , aequales fiunt.) Igitur & anguli Orf, Sfr , aequales erunt. Praterea quia in triangulis rcC, suE , anguli r, s , aequales sunt ctenst. & anguli $L 2 t, u$,

210.1. Theo. $r, u, recti, ($, quod axes AC, FE , recti sunt ad eorum circulos, ideoque ad eorundem diametros, ex defin. 3. lib. 1. Eucl.) & latera quoque Ct, Eu , aequalia; (Nam cum r, u ad definitiones sinus demonstravimus, sinus versus At, Fu , arcum aequidistantem AQ, FR , aequalis sunt, erunt quoque reliqua partes Ct, Eu , diametrorum AC, FE , aequales.) b erunt quoque rectas r, s, f, u , aequales, ideoque puncta r, s, f, u , aequaliter distabunt.

171.1. Theo. $IT A Q V E$ quoniam in rectas Or, Sf , in planis circuli $ABCD$, existentes incident rectas r, s , hoc est, CE , producta, faciens angulos Ors, Sfr , aequales; & in rectis Or, Sf , insistunt plana circularum OPQ, SMR , que ad planum circuli $ABCD$, recta sunt; communes sectiones rnp, sq , plani $CbdE$, per CE , ducit cum planis circularum OPQ, SMR , facient, per procedens lemma 22. cum diametris OQ, SR productis in punctis r, s, f , angulos aequales Orn, Sfo , vel Orp, Sqf . Cum ergo puncta r, s, f , a ceteris t, u, v , aequaliter distant, ut ostendimus; communis illa sectiones rnp, sq , abscedent ex circulis OPQ, SMR , aequales arcus Qn, Roq, Rp, Rq : Item



$Oo, Sa; Op, Sq, ex lemmae 21.$

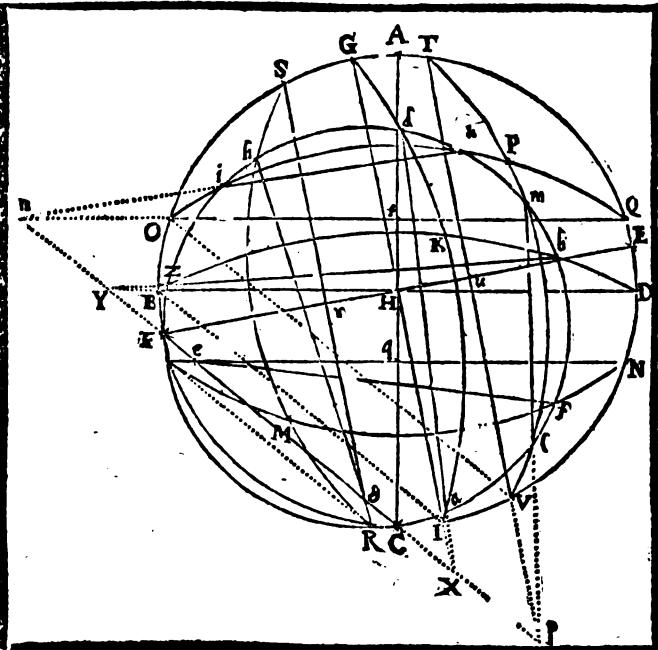
$QVOD$ si quando contingat, communem sectionem rn , quam planum per CE , duum cum circulis OPQ, SMR , facie, tangere circulum OPQ , tanget quoque altera sectio communis sq , circulum SMR , ut in lemmae 21. demonstravimus. Quocirca planum illud per CE , ducitum tanget utrumque circulum OPQ, SMR . Puncta autem contacterunt inuenientur, si circa diametros OQ, SR , circuli describantur. & ex r, s, f , ad eos ducantur tangentes linea.

172.1. Theo. $INTELLIGAT VR$ deinde duci planum per C , polum Aequatoris, & F , polum circuli obliqui ei propinquiorum, quod faciat in circulo $ABCD$, communem sectionem, rectam CF , in superficie autem spherae circulum $CabdF$, qui Aequatorem secet in a, b ; circulum maximum obliquum GKI , in a, d ; parallelum LMN , in f ; SMR , in b ; parallelum OPQ , in i, k ; parallelum denique TPV , in l, m . Dico arcus abscissos in isto semper facto in Aequatore, cuiusque parallelis, a superiore semicirculo, & in maximo circulo

circulo obliquo, eiusque parallelis, à sectione borealis Aut in illis à semicirculo inferiore, & in his à sectione australi, veluti propositio faciendum esse prescripsit.) $BZ, Ia, Bb, Id, DZ, Ga, Db, Gd$, in Aequatore, & circulo obliquo maximo GKI . Item Lf, Rb, Nf, Sh , in parallelis LMN, SMR : At tandem $Oi, Vl, Ok, Vm, Qi, Tl, Qk, Tm$, in parallelis OPQ, TPV , inter se esse aequales. Iuncta enim recta BI , quoniam quadrantes BC, FI ,

aequales

suntes; demum arcus $co-$
muni CF ,
reliqui quo
que arcus
 BF, CI , &
aquales erunt. Igi-
tur ex scho-
lio propo-
sito 27. lib. 3.
Eucl. paral-
lela erunt
 BI, CF ; ac
proprieare
 $Ha, HB,$
 HI , secan-
tes ipsas BI ,
secabunt quo
que produ-
cta eius pa-
rallela CF
productam
in Y, X , an-
gulis HYX, HXY ,
externi internis, aequales erunt.



29. primi.

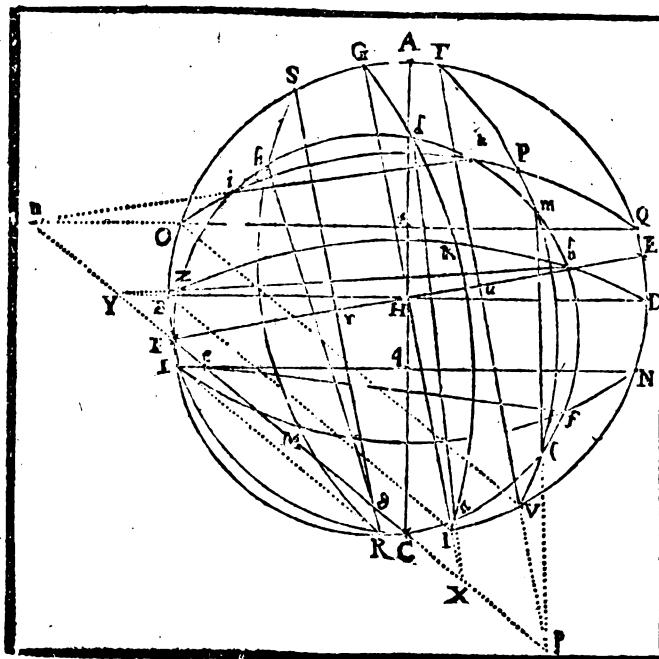
Sunt autem HBI, HIB , in isto plebe HBI , aequales. Igitur & HYX, HXY , aequales erunt; atque inde circa $re-$
ctas HY, HX , aequales erunt, hoc est, puncta Y, X , à centro H , equaliter distabunt. Fa-
ciat quoque planum circuli $Cabdf$, in Aequatore sectionem communem rectam Yzb , in circulo GKI , rectam Xad ; in parallelis LMN, SMR , rectas ef, gh ; & in parallelis OPQ, TPV , rectas nik, plm .

ITAE quoniam in rectas DY, GX , in plano circuli $ABCD$, existentes inci-
dens rectas XY , hoc est, CF , producta, facit angulos aequales HYX, HXY : Et in rectis
 DY, GX , inscriptis planis circulorum BKD, GKI , que ad planum circuli $ABCD$, dicitur. Theorematis 21. s. primi.
rectas sunt: communis sectiones Yzb , Xad , plani circuli $Cabdf$, per CF , ducti cum
planis circulorum BKD, GKI , facientes cum diametris DB, GI , productis in punctis
 Y, X , aequales angulos DYb, GXd , ex lemma 22. precedente. Cum ergo puncta Y, X ,
à centro H , equaliter, distent, ut ostendimus, aliquid eadem communis sectiones
 Yzb, Xad , per lemma 21. ex circulis BKD, GKI , aequaliter arcus $BZ, Ia, Bb, Id, DZ, Ga, Db, Gd$. Item

$RVRSSVS$ iuncta recta LR , quoniam recta ex polis C, F , ad puncta L, R , circu-
lorum Theorematis 21. s. schol. 21. s.

- 28. tertij. lorum aequalium cadentes, sunt aequales; erunt quoque arcus CL, FR, aequales; dem-
 preque communis arcu LR, reliqui CR, FL, aequales erunt. Igitur ex scholio propos. 27.
 lib. 3. Euclid. parallela erunt CF, RL; ^b proptereaque anguli Neg. Sge angulis NLR,
 SRL, externi internis, aequales erunt. ^c Sunt autem NLR, SRL, aequales, quod arcus
 NR, SL, quibus insistunt, aequales sint. (Quoniam enim arcus NL, SR, quis diametrum
 NL, SR, circulum aequalium subtendit, aequales sunt; ablato arcu communis LR,
 reliqui arcus NR, SL, aequales quoque erunt.) Igitur & anguli Neg. Sge, aequales in-
 ter se erunt. Preterea quia in triangulis eqC, grF, anguli q, r, recti sunt, (c quod axes
 10.1. Theor. CA, FE, re-
 ti sunt ad
 eorum circu-
 los, ide quo
 & ad eorum
 diamete-
 ros, ex defi-
 nitione 3.
 libri 11.
 Euclid.) &
 anguli e. g.
 ostensi a-
 quales, at-
 que recta
 Cq, Fr, si-
 nus uersi ar-
 cum aqua-
 litum CL,
 FR, aequa-
 les quoque,
 ut ad defini-
 tiones si-
 num de-
 monstrau-
 mus; erunt
 quoque re-
 ctae eq, gr,
 aequales;
 ideoque fun-

26. primi.



Ea e, g, à centris q, r, equaliter distabunt.

- ITAQVE quia in rectas LN, RS, in plano circuli ABCD, existentes, incidentes
 recta CF, facit aequales angulos geN, egS: Et in rectis LN, RS, insistunt plana circu-
 85.1. Theor. lorum LMN, RMS, & qua ad planum circuli ABCD, recta sunt: communes sectiones
 ef, gh, quas planum circuli CabdZF, per CF, dividit in planis circulorum LMN,
 RMS, facit, constitutae cum diametris LN, RS, in punctis e, g, angulos aequales
 feN, hgS, ex precedente lemma 22. Cum ergo puncta e, g, à centris q, r, equaliter
 different, ut ostendimus; abscedent eadem communes sectiones ef, gh, per lemma 21. ex
 28. tertij. circuitis LMN, RMS, arcus aequales Lf, Rb: Item Nf, Sh.

- school. 21.1 DE N I Q V E inuncta recta OV, quoniam quadrantes CD, FA, aequales sunt; &
 Theod. arcus quoque ablati DV, GO, aequales; (^b Nam arcus EV, AO, toti aequales sunt, quod
 k 27. tertij. recta ex polis E, A, ad puncta V, O, circulorum aequalium cadentes, sint aequales. ^c Sunt
 autem

autem & arcus ED, AG, aequales, ob angulos EHD, GHA, qui aequales remanent, deinde communi AHE, ex duabus restis EHG, AHD. Igitur & reliqui arcus DV, GO, aequales erunt. Derunt quoque reliqui arcus CV, FO, aequales; atque idcirco ex scholio propos. 27. lib. 3 Euclid. parallela erunt CF, OV: ac propterea recta QO, TV, secantes ipsam OV, secabunt quoque productam eam parallelam productam CF, in n, p;

a ac proinde anguli QOV, TVO, angulis Qnp, Tpn, externi internis, aequales erunt. 29. primi.

b Sunt autem anguli QOV, TVO, aequales, quod arcus QV, TO, quibus insuffit, aequales sint. (c Quoniam enim arcus TV, QO, quos diametri TV, QO, circulorum aequilibrium subtendunt, aequales sunt; deinde communi arcu QT, reliqui arcus QV, TO, aequales erunt.) Igitur & anguli Qnp, Tpn, aequales erunt. Præterea quia in triangulis nt C, p, F, anguli t, u, recti sunt, (d quod axes CA, FE, recti sunt ad utrum circulos, atque idcirco & ad corundum diametros, ex defin. 3. lib. 1. Eucl.) & anguli n, p, ostensi aequales, atque insuper recta Ct, Fu, aequales; (Nam cum, ut ad definitiones finium demonstrauimus, finis verbi At, Eu, arcuum equalium AO, ET, aequales sint; erunt quoque reliqua partes Ct, Fu, diameterorum AC, FE, aequales.) eterni. 26. primi. quoque resta nt, p, u, aequales; ideoque puncta n, p, à centris t, u, aequaliter dista-

bunt.

IT A QV E cum in rectas Qn, Tp, in plano circuli ABCD, existentes incidat recta np, hoc est, CF, producta faciat angulos Qnp, Tpn, aequales: In rectis autem Qn, Tp, insuffit plana circulorum OPQ, TPV, i. qua ad planum circuli ABCD, 30. s. Theorem. recta sunt: communis sectiones nik, plm, quas planum circulus Cabd(F) per CF, ductum in planis circulorum OPQ, TPV, facit, consilium cum diametris QO, TV, productis in punctis n, p, aequales angulos Qnk, Tpm, ex precedente lemmate 3. s. Cum ergo puncta n, p, à centris t, u, aequaliter distare sint demonstratum; abscondit eadem communis sectiones nik, plm, per lemmatum 21. ex circulis OPQ, TPV, arcus aequales Oi, Vl; oik, Vm; Item Qi, Tl; Qk, Tm.

QVOD si quando contingat, sectionem communem YZb, quam planum per CF, ductum cum Aequatore facit, tangere Aequatorem BKD, tanget quoque altera sectione communis Xad, circulum obliquum GKI, ut in lemmate 21. demonstratum. Quocirca cum planum per CF, ductum tangat utrumque circulorum maximorum BKD, GKI. Puncta autem contactuum reperientur, si circa diametros BD, GI, circuli describantur, & ad eos ex Y, X, linea tangentes ducantur. Pars ratione, si quando communis sectione nik, quam idem planum per CF, ductum cum circulo OPQ, facit, contingat ipsum circulum OPQ, tanget quoque altera sectione communis plm, circulum TPV, ut in lemmate 21. ostensum est. Quare runc planum per CF, ductum contingat utrumque circulorum OPQ, TPV. Etiam & a vero contactuum invenientur eodem modo, si circa diametros OQ, TV, circuli describantur, & ex punctis n, p, recte linea ducantur, qua eos tangant.

HAE C posterior porro demonstratio facile, si libenter, accommodabisur etiam ad circulum maximum, qui ad Aequatorem rectus sit, eiusque parallelos: Sed nos breuitatis causa priore demonstratione contenti simus, qua locum etiam habet in circulis ad Aequatorum rectis, ut ostensum est.

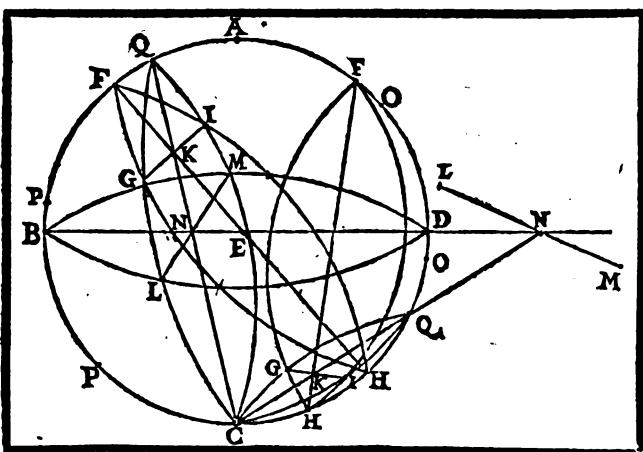
LEMMA

L E M M A XXIII.

S I in sphæra sit circulus obliquus siue maximus, siue non maximus, & per quoduis punctum diametri ipsius, quam circulus maximus per eius polos, & polos mundi ductus facit, ad ipsam diametrum perpendicularis linea ducatur: Planum per utrumque polorum mundi & illam perpendicularem ductum faciet in plano Aequatoris communem sectionem, rectam lineam perpendiculararem ad Aequatoris diametrum, quam idem ille circulus maximus per dictos polos ductus facit.

15. i. Theo. IN sphæra ABCD, cuius centrum E, sit circulus obliquus quicunque, hoc est, non per mundi polos ductus siue maximus, siue non maximus FGH: Et per A, C, polos mundi, & O, P, polos circuli obliqui, ducatur circulus maximus ABCD, qui quoniam obliquum circulum secat bifariam, & ad angulos rectos, faciet communem sectionem, diametrum circuli obliqui FH, ad quam per punctum quodlibet K, perpendicularis ducatur GKI: Per hanc autem, & polum mundi C, ducatur planum faciens in superficie sphære circulum CGQI, in

Acquatoris vero plano BLD M, etiam producto extra sphærā, si opus fuerit, rectā LM, quæ diametrum eius BD, etiam productam, si necesse sit, ab eodem circulo maximo ABCD, factā secet in N. Dico LM, esse ad



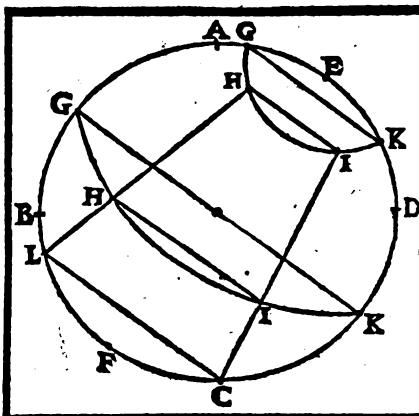
15. i. Theo. BD, etiam productam, si fuerit opus, in N, perpendiculararem. ^b Quoniam enim circulus obliquus FGH, ad circulum ABCD, rectus est; erit per defin. 4. lib. 11. Eucl. recta GKI, quæ ad FH, communem sectionem horum circulorum ducta est per-

est perpendicularis, ad planum eiusdem circuli ABCD, perpendicularis. Igitur & planum, in quo circulus CGQI, existit, per GI, ductum ad eundem circulum ABCD, rectum erit. Quoniam igitur planum Aequatoris BLDM, ad planum circuli ABCD, rectum est, cum per eius polos ducatur; (Quoniam enim ABCD, per Aequatoris polos A, C, ducitur, transibit vicissim Aequator per illius polos, ex schol. propos. 15. lib. 1. Theod.) & est ostēsum quoq; planū circuli CGQI, rectum ad eiusdem circuli ABCD, planum; erit quoque LM, communis sectio plani Aequatoris, & plani circuli CGQI, ad eiusdem circuli ABCD, planum recta; ideoq; ex defin. 3. lib. 1. Eucl. cadē recta LM, ad diametrum Aequatoris BD etiam productam, si opus sit, in N, perpendicularis erit. quod est propositum.

L E M M A XXV.

SI in sphæra per polos mundi, & polos cuiusuis circuli obliqui maximi, eiusque parallelorum, maximus circulus ducatur, in quo ex alterutro mundi polo agatur diameter circuli obliqui parallela, & per hanc, planum ut cunque extendatur: Erunt duo arcus tam circuli maximi obliqui, quam cuiuslibet parallelorum ipsius, inter circulum maximum per polos mundi, & circuli obliqui ductum, & planum secans intercepti æquales inter se.

IN sphæra sit maximus circulus ABCD, per mundi polos A, C, & polos E, F, circuli maximi obliqui GHIK, & eius parallelis cuiuscunq; GHIK, ductus; ac proinde vtrumque bifariam secans, ita ut in vtroque semicirculus sit GHIK, & diameter GK, cui in eodem circulo maximo parallela per polum mundi C, agatur CL; per quam planum ut cunque ductum sit CLHI, secans vel circulum maximum obliquum, vel eius parallelum per rectam HI. Dicotam in illo, quam in hoc, æquales esse arcus GH, KI, inter planū secans, & maximum circulū ABCD, interceptos. Si enim per rectā CL, cogitetur ductū planum circulo GHIK, parallellum; erūt sectiones factæ à planō CLHI, videlicet rectæ CL, HI, parallelae: Ponitur autem & diameter GK, eidem CL, parallela. Igitur & GK, HI, parallelae inter se erunt; ac propterea ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. arcus intercepti GH, KI, æquales erunt.



M

EX

EX quo fit, arcus etiam inter quæcunque duo plana per CL, ducta interceptos, æquales esse. Nam quodlibet absindit arcus æquales inter ipsum & circumferentia maximum ABCD, interceptos. Si ergo minores ex maioribus demantur, reliqui inter duo plana intercepti æquales oruntur.

EADE M hæc demonstratio in reliquos quoque semicirculos ex altera parte circuli maximi ABCD, quadrat, ut perspicuum est.

L E M M A XXVI.

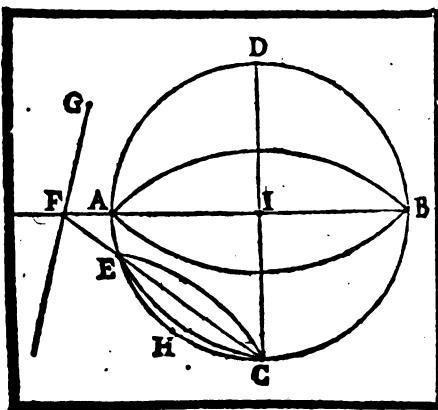
SI circulus in sphæra per alterutrum polarum mundi transeat, erit eius diameter ex illo polo, ducta perpendicularis ad communem sectionem plani eius circuli, & plani Aequatoris.

IN sphæra sit Aequator AB, cuius poli C, D, & circulus quicunque CE, per polum C, ductus, cuius planum in plano Aequatoris faciat communem sectionem rectam FG, (concurret enim cum Aequatore, cum enim sit parallelum) duaturque ex polo C, diameter circuli CE, occurrens communis sectionis FG, in F.

22.1. Theo. Dico CF, ad FG, perpendicularem esse. Per polum enim H, circuli CE, & C,

22.1. Theo.

19. undec.



polum Aequatoris ducatur circulus maximus CHEADB, qui utrumque secabit bifariam, & ad angulos rectos; ac proinde per diametrum CE, hoc est, per rectam CF, transfibit. Utrumque ergo planum, tam circuli CE, quam Aequatoris, vicissim rectum erit ad planum maximi circuli CHEADB; ac propterea & eorum communis sectio FG, ad idem planum perpendicularis erit, hoc est, ex defin. 3. lib. 11. Euclid. ad rectam CF. quod est propositum.

QVANDO circulus per polum C, ductus, est maximus qualis est ABCD, perspicuum est, eius diametrum CD, ad AB,

communem sectionem dati circuli, & Aequatoris esse perpendiculararem. Cum enim diameter CD, circuli maximi per polos ducti, sit axis; axis autem ad

4.1.1. Theo. Aequatorem sit rectus, transeatque per centrum sphærae I; erit ex defin. 3. lib.

11. Euclid. eadem diameter CD, ad AB, communem sectionem circuli CADB,

& Aequatoris, (Hæc enim sectio diameter est Aequatoris, cum circuli maximi se mutuo bifariam secant) perpendicularis.

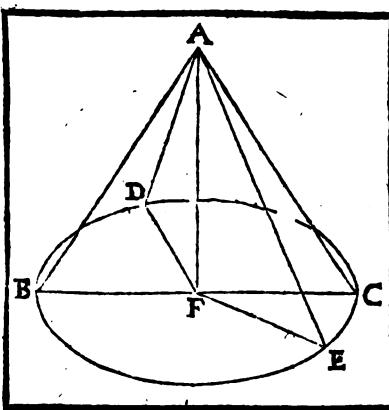
LEMMA

L E M M A XXVII.

IN cono recto omnibus rectis à vertice ad circumferentiam basis ductis sunt in rebus se aequales: In scale vero cono inaequales, minima quidem, quæ ad extremum basis trianguli per axem, quod ad basem coni rectum est, ducitur ex parte anguli inclinationis axis, maxima autem, quæ ad alterum extremum basis eiusdem trianguli per axem ducitur: Et quæ propinquior est minimæ, remotiore semper minor est. Duæ vero tantum aequalis erunt ad utramque partem minimæ, vel maximæ.

S I T primum conus rectus ABC, cuius basis circulus BDCE, & axis ad basem rectus AF, in centro F; ducantur quoquis rectæ ex vertice A, ad circumferentiam basis AB, AC, AD, AE. Dico eas omnes esse aequales. Ductis enim ex F, centro rectis FB, FC, FD, FE; quoniam latera AF, FB, lateribus AF, FD, aequalia sunt, angulosque continent aequales, quod omnes anguli ad F, quos facit axis AF, recti sint, ex defin. 3. lib. 11. Euclid. erunt quoque bases AB, AD, aequales. Non aliter ostendetur AD, vel AB. ipsi AC, vel AE, aequalis. Eademque de ceteris est ratio.

D E I N D E sit conus scalenus ABC, cuius basis circulus BDEC, axis AG, obliquus ad basem versus B, sitque triangulum per axem ABC, ad basem rectum, & à vertice A, demittatur perpendicularis AH; quæ in BC, cadet, hoc est, vel in punctum B, vel inter B, G, vel extra basem. Demittantur autem à vertice A, quoquis rectæ AB, AD, AE, AC, quarum AB, AC, in extrema B, C, diametri basis BC, cadant. Dico omnium minimam esse AB, maximam AC, & AD, minimum quam AE, &c. Iunctis enim rectis HD, HE, erunt ex defin. 3. lib. 11. Eucl. omnes anguli, quos perpendicularis AH, cum rectis HD, HE, HC, & cum alijs per H, ducit, recti. In prima ergo figura, perspicuum est, per perpendicularem AH, vel AB, minimam esse omnium, quæ ex A, in circumferentiam basis ducuntur, & cum minor sit quam AD, & quam AE, & quam AC, & quam quoquis alia, & quippe quæ in rectangulis triangulis opponatur acutis angulis, alia vero recto angulo. In alijs autem duabus figuris, quoniam HB, minima est rectarum ex 7. vel 8. ser. H, in circumferentiam cadentium, erunt duo quadrata rectarum HI, HA, minima.

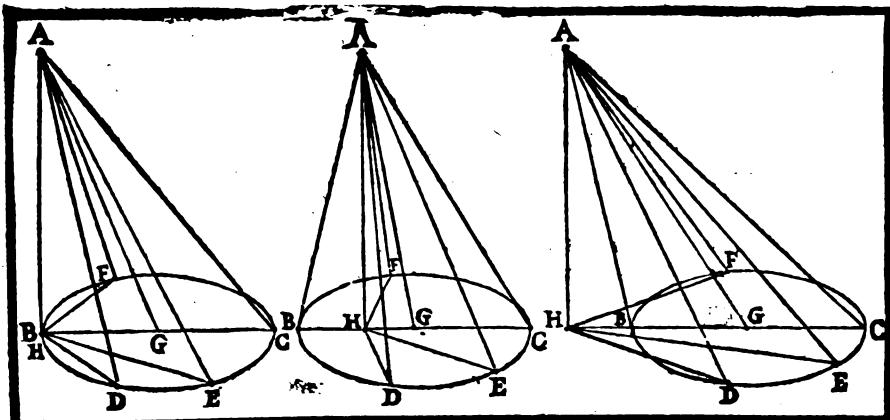


a 4. primi.

b 38. undec.

19. primi.

• 47. primi. nora duobus quadratis tam rectarum HD, HA, quam rectarum, HE, HA, & quadratibus rectarum HC, HA. • Est autem quadratum recte AB, equalis duobus quadratis rectarum HB, HA; & quadratum recte AD, duobus quadratis rectarum HD, HA; & quadratum recte AE, duobus quadratis rectarum HE, HA; & quadratum recte AC, duobus quadratis rectarum HC, HA. Igitur & quadratum recte AC, minus erit tam quadrato recte AD, quam quadrato recte AE, & quam quadrato recte AC; ac proinde & recta AB, minor erit qualibet rectarum AD, AE, AC, & sic de ceteris. Minima ergo omnium est AB.



• 15. vel 7. DEINDE, quia in omnibus figuris recta HC, est omnium ex H, in circumferentiam cadentium maxima; erunt duo quadrata rectarum HC, HA, maiora duobus quadratis tam rectarum, HE, HA, quam rectarum HD, HA. • Est autem quadratum recte AC, duobus quadratis rectarum HC, HA, & quadratum recte AE, duobus quadratis rectarum HE, HA, & quadratum recte AD, duobus quadratis rectarum HD, HA, equalis. Igitur & quadratum recte AC, maius erit tam quadrato recte AE, quam quadrato recte AD; ac proinde & recta AC, maior erit quam AE, & quam AD. Et quia maior etiam est, quam AB, quod AB, ostensa sit minima omnium. Igitur AC, est omnium maxima.

• 15. vel 7. **vel 8. tertij.** RVRSS, cum HD, minor sit quam HE, erunt duo quadrata rectarum HD, HA, minora duobus quadratis rectarum HE, HA. • Est autem quadratum recte AD, duobus quadratis rectarum HD, HA, & quadratum recte AE, duobus quadratis rectarum HE, HA, equalis. Igitur & quadratum recte AD, quadrato recte AE, minus erit; ideoque recta AD, minima AB, propinquior, minor erit recto AE, & sic de ceteris.

• 47. primi. POSITREMO sumatur arcus BF, arcui BD, equalis, iungaturque recta HF, que recte HD, equalis erit; in prima quidem figura, ex propos. 29. lib. 3. Eucl. in 2. vero ex ultima propos. scholij eiusdem propos. vel ex lemmate 2. supra demonstrato; in tercia denique ex eodem lemmate 2.1. Ducta ergo recta AF, quoniam latera AH, HF, lateribus AH, HD, equalia sunt, angulosq; continent rectos, ex defin. 3. lib. 11. Eucl. erunt quoque bases AF, AD, equalia. Qd aut nulla alia hisce possit esse equalis, pspicuum est, cu ois recta ex A. ducta inter D, & C, vel inter F, & C, maior sit quam AD, vel AF; inter B, aut D, vel F, minor, vt demonstratum est.

LEMMA

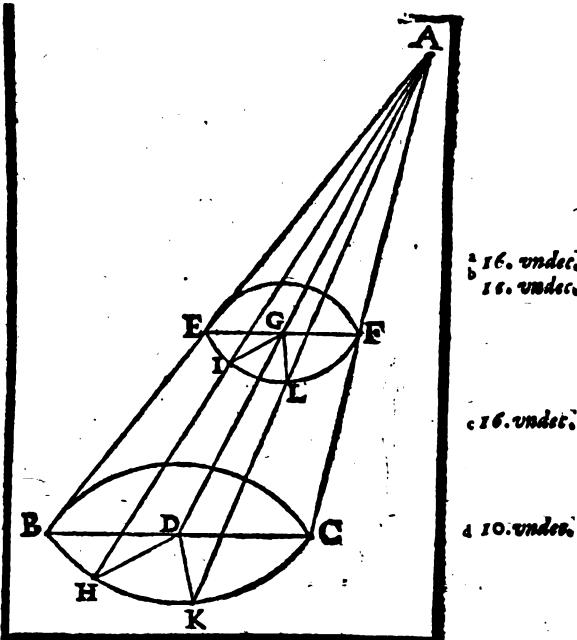
• 4. primi.

L E M M A XXVIII.

SI in cono sit circulus basi æquidistans, rectæ lineæ ex vertice in superficie conica ductæ auferent ex base, & circulo æquidistante arcus similes.

I D E M sequitur , si basis co-
ni statuatur circulus $E F$, & infra
eam circutus illi parallelus $B C$,
vt ex demonstratione constat ,

I T A Q V E Alteruter circulorum EF, BC, in partes æquales diuidatur, & ex vertice A, per diuisionum puncta rectæ emittantur, secabitur alter quoque circulus in partes æquales.

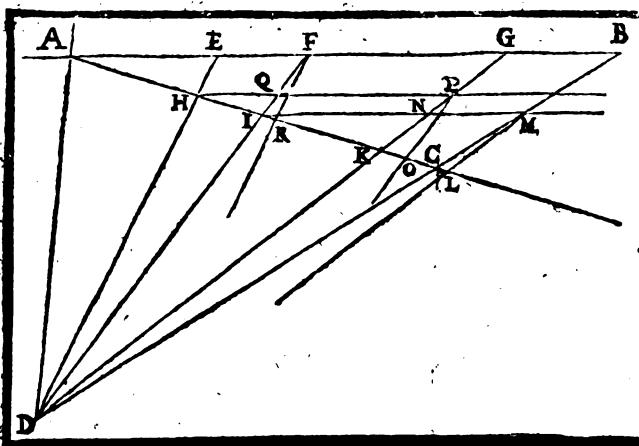


L E M M A XXIX.

S I duæ rectæ lineæ se mutuo contingant in uno puncto, & à quo quis puncto extra ipsas in eodem plano plures

rectæ ducantur, quæ eas fecent; Hæc habebunt segmenta remotionis lineæ ab assumpto puncto, versus punctum sectionis linearum propositarum progrediendo, maiorem proportionem, quam segmenta lineæ propioris.

DVAE recte AB, AC, sece contingat, vel secant in A, & ex punto D, quatuor recte ducantur, DA, DE, DF, DG, DB, utramque secantes. Dico maiorem



proportionē effe BG, ad GF, quā CK, ad KI, & maiorem GF, ad FE, quām KI, ad IH, & maiorem FE, ad EA, quām IH, ad HA. Ducta enim per I, ipsi AB, parallela IM, secāte rectas DB, DG, in M, N, ducatur per M,

ipsi DG, parallela ML, qua rectam $\angle C$, protracta secabit in L. Cum enim MD, conueniat in A, cadet ML, ipsi ND, parallela extra triangulum DMN. Quoniam igitur est, vt BG, ad GF, ita MN, ad NI, ex scholio propos. 4.lib. 6. Euclid. & vt MN, ad NI, ita LK, ad KI; erit quoque vt BG, ad GF, ita LK, ad KI. Habet autem LK, ad KI, maiorem proportionem, quam CK, ad KI. Igitur & BG, ad GF, maiorem proportionem habebit, quam CK, ad KI. Eodem pacto, si per IH, ducatur ipsi AB, parallela HP, secans DG, DF, in P, Q & per P, Q, catur ipsi DF, parallela PO, secans AK, productam in O; erit vt GF, ad FE, ita PQ, ad QH, ex scholio propos. 4.lib. 6 Euclid. Et vt PQ, ad QH, ita OI, ad IH. Igitur erit quoque vt GF, ad FE, ita OI, ad IH. Habet autem OI, ad IH, maiorem proportionem, quam KI, ad IH. Maiorem ergo proportionem habebit quoque GF, ad FE, quam KI, ad IH. Atque ita agendum erit in ceteris segmentis, si plura fuerint, donec ad ultima duo FE, EA, ventum fuerit. Tunc enim non ducenda est per A, ipsi AB, parallela, sed solum per F, ducenda FR, ipsi DE, parallela secans AI, productam in R. Erit enim rursus, vt FE, ad EA, ita RH, ad HA. Habet autem RH, ad HA, maiorem proportionem, quam IH, ad HA. Igitur & FE, ad EA, maiorem proportionem habebit, quam IH, ad HA, quod est proportionatum.

22. sexti.
b 8. quinti.

*c. 2. sexti.
d. 8. quinti.*

e 2. sexti.
e 8. quinque

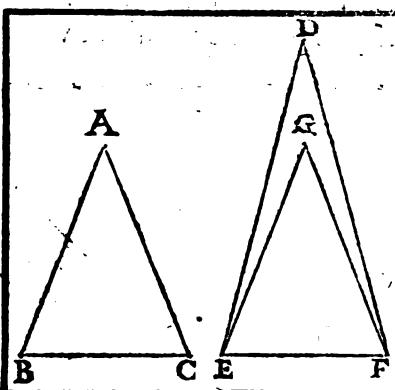
L E M M A XXX.

SI duo triangula Isoscelia bases habeant æquales, latera vero vnius maiora sint lateribus alterius: minora latera maiorem angulum continebunt. Et si vnius latera lateribus alterius maiora sint, angulumque contineant maiorem: illius basis base huius maior erit.

DVO triangula Isoscelia ABC, DEF, habeant bases BC, EF, æquales, sed latera DE, DF, maiora sint lateribus AB, AC. Dico angulum A, angulo B, maiorem esse. Describatur enim supra basim BE triangulum EGF, triangulo ABC, æquilaterum, & æquian-
gulinum; cadetque punctum G, intra triangulum DEF. Nam si extra cade-
ret, vel rectæ EG, FG, includerent re-
&as. ED, FD; & atque ita essent late-
ra GE, GF, hoc est, AB, AC, maiora
lateribus DE, DF, quod est contra
hipothesim; vel altera, earum seca-
ret alteram ipsarum DE, DF, atque
ita vnuis anguloru GEF, GFE, esset
maior uno anguloru DEF, DFE, &
alter minor. Cum ergo DEF, DFE,
sint æquales, esset anguli GEF, GFE,
inæquales, quod est absurdum, cū in-
ter se sint æquales. Idem sequeretur
si punctum G, diceretur cadere in alterum rectarum DE, DF. Neque vero di-
ci potest, ipsum cadere in D. Essent
enim tunc latera DE, DF, lateribus
AB, AC, æqualia, quod cum hypo-
thesi pugnat. Cadit ergo punctum
G, intra triangulum DEF; ideoque
angulus G, hoc est angulus A, angu-
lo D, maior erit, quod est propo-
situm.

SINT rursus Isoscelis ABC, duo latera AB, AC, maiora duobus
lateribus DE, DF, angulusque A, maior angulo D. Dico basem BC,
base EF, maiore esse. Abscisissis enim
rectis AG, AH, æqualibus ipsis DE,
DF, erit ducta GH, ipsi BC, paralle-
la. Ergo ut AB, ad BC, ita AG, ad
GH: Est autem AB, maior, quam AG.

Igitur & BC, maior erit quam GH. Item cum latera AG, AH, lateribus DE,
DF, sint

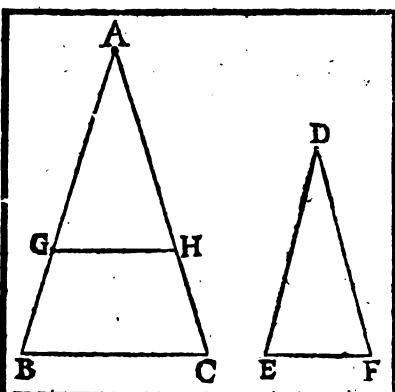


23. primi.

24. primi.

25. primi.

26. primi.



27. primi.

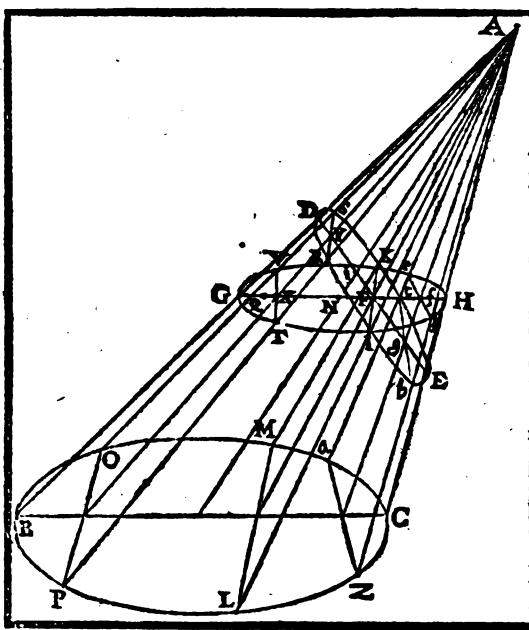
28. sexti.

29. sexti.

24. primi. DF , sunt æqualia, angulusque A , maior angulo D ; erit basis GH , maior base EF . Est autem BC ostensa maior, quam GH . Multo ergo maior erit BC , quam EF , quod est propositum.

LEMMA XXXI.

SI in cono scaleno circulus sit basi subcontrarie positus, rectæ lineæ ex vertice in superficie conica ductæ, quarum una sit latus trianguli per axem ad basem recti, auferent ex base, & circulo illo arcus dissimiles. Et si in uno auferantur duo arcus oppositi æquales, auferentur in altero duo arcus inæquales, maior quidem versus angulum minorem trianguli per axem, minor vero versus angulum maiorem.



IN cono ABC, scaleno triangulum per axem sit ABC, ad basem BC, rectum, & circulus subcontrarie sectionis DE, cuius diametro DE, divisa bisariam in F, ducatur per F, basi BC, parallela GH, per quam planum ducatur ad triangulum per axem rectum, vel basi coni parallellum, facies per lemma 17. circulū GIHK, qui circulum subcontrarie sectionis secet in I, K; ducanturque primum duæ rectæ AL, AM, per I, K, cõmunes sectiones circulorum DE, GIH, secantes basem in L, M. Dico tam arcus BL, DI, quam BM, DK, & quam CL, EI, & quam CM, EK, dissimiles esse. Scent enim plana circuloru DE, GH, sece per rectâ LK,

25. undec. Et quoniam uterque circulus ad triangulum ABC, rectus est; erit quoque communis eorum seccio IK, ad idem triangulum recta; cadetque propterea tam in DE, communem sectionem circuli DIHK, & trianguli ABC, quam in GH, communem sectionem circuli GIHK, & eiusdem trianguli ABC, ac propterea per punctum F, vbi communes haec sectiones se mutuo diuidunt, transibit; facietque ex defin. 3. lib. 11. Euclid. angulos DFI, GFI, rectos. Quia vero diameter DE, secta est bisariam in F, erit diameter GH, maior, eiusque pars maior FG, versus minus.

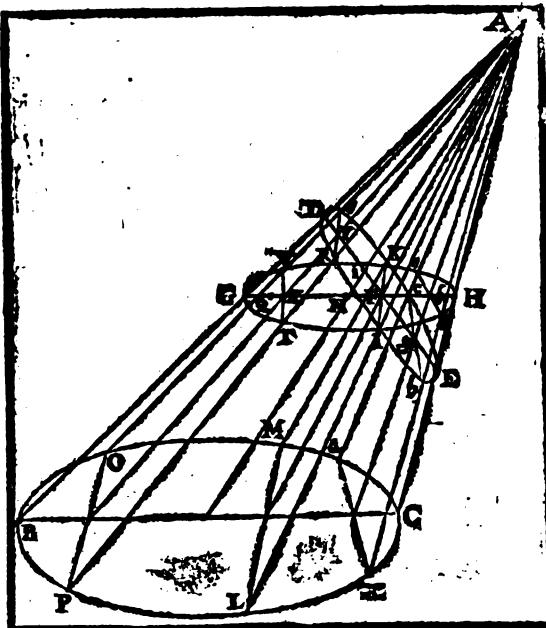
minorem angulum AGH, verget, vt in scholio lemmatis 17. demonstrauimus, proptereaque centrum circuli GHK, in recta FG, existet, quod sit N. Igitur segmentum IGK, maius erit semicirculo. Est autem IDK, semicirculus, quod F, centrū sit circuli DIEK. Igitur tā arcus IGK, IDK, quam IHK, IEK, dissimiles sunt; & IGK, maior, quam vt similis sit arcui IDK, at IHK, minor, quam vt arcui IEK, similis sit. Et quis semicirculi IDK, IEK, bifariam secantur in D, E, quod ex penultima propositione scholij propos. 27. lib. 3. Euclid. ob angulos reatos ad F, quatuor arcus DI, IE, EK, KD, quadrates sint; Item arcus IGK, IHK, secuti sunt bifariam in G, H. Nam recta NF, dividens rectam IK, ex centro N, ad angulos rectos, secat eandem bifariam. Igitur & arcus IHK, bifariam secabitur ex propos. ultima scholij propos. 27. lib. 3. Euclid. ac proinde & reliqui arcus GI, GK, ex semicirculis æquales erunt. Igitur & arcus GI, GK, semisses arcus IGK, maiores sunt, quam vt similes sint arcibus DI, DK, qui semisses sunt arcus IDK; at HI, HK, semisses arcus IHK, minores, quam vt similes sint arcibus EI, EK, qui semisses sunt arcus IEK. Et quoniam arcus BL, BM, CL, CM, arcubus GI, GK, HI, HK, similes sunt, ex lemmate 28. erunt eodem modo arcus BL, BM, CL, CM, arcubus DI, DK, EI, EK, dissimiles.

2. 3. sortij.

D V C A T V R doinde alia recta AP, ad circumferentiam basis secans subcontrariam sectionem in R, & circulum GH, in T: & ex R, demittatur ad diametrum DE, perpendicularis YT, que producta secet circumferentiam ex altera parte in S, ducaturque ex A, per S, recta AS, secans circumferentiam basis in O, & circulum GH, in V. Dico arcus quoque BP, BO, arcubus DR, DS, & arcus CP, CO, arcubus ER, ES, dissimiles esse. Quoniam enim RS, per defin. 4. lib. 11. Euclid. perpendicularis est ad triangulum ABC, quod perpendicularis sit ducta ad DE, communem sectionem trianguli ABC, & circuli DRE, qui ad illud triangulum rectus est; & erit quoque triangulum ARS, per RS, ductum ad b 28. unde. idem triangulum ABC, rectum, facietque in circulo GH, communem sectionem TV, secatorem GH, diametrum in X. Quia ergo tam planum circuli GH, quam trianguli ARS, rectum est ad triangulum ABC, & erit etiam communis eorum sectio TXV, ad idem perpendicularis; ideoque ex defin. 3. lib. 11. Euclid. anguli ad X, recti erunt; & atque adeo vtraque RS, TV, secta erit bifariam in Y, X, pro d 3. sortij. ptereaq; vtrque arcus RDS, TGV, ex ultima propos. scholij propos. 27. lib. 3. Euclid. sectus quoque erit bifariam; ac proinde & tam reliqui arcus ER, ES, quam HT, HV, ex semicirculis æquales erunt. Jam vero si ducatur recta ex A, ad X, ipsa transibit per Y. Cum enim ea recta in plano trianguli ABC, existens rectam DE, in eodem triangulo existentem, & existens in triangulo quoque ATV, rectam RS, in eodem existente secerit, solum vero punctum Y, rectam RS, in triangulo ABC, existat, (quia RS, ad illud triangulum perpendicularis est.) per punctum Y, transibit omnino. Quare ducta recta AN, ad N, centrum circuli GH, secante semidiametrum DF, in i, erit ex lemmate 29. maior proportio GX, ad XN, quam DY, ad Yi: Habet autem DY, ad Yi, maiorē proportionem, quam ad YF. Igitur e 8. quinti. multo maior habebit GX, ad XN, quam DY, ad YF. Si ergo seceretur GN, in Q, f 10. sexti. vt sit GQ, ad QN, sicut DY, ad YF; cadet punctum Q, inter G, & X. Nā si caderet ultra X, esset multo maior proportio GQ, ad QN, quam GX, ad XN; quod tunc GQ, maior foret, quam GX, & QN, minor quam XN. Et quoniam per lemma 7. si per Q, duceretur ad GH, perpendicularis, vel ipsi TV, parallela, abscindetur arcus arcui RDS, similis; erit arcus TGV, maior, quam vt similis sit arcui RDS; ideoque & semisses GT, GV, maiorcs sunt, quam vt similes sint semissibus DR, DS; atque idcirco reliqui arcus ex semicirculis HT, HV, minores erunt,

N quam

quām vt similes sint reliquis arcibus ER, ES, ex semicirculis. Quia vero ex lemma 28. arcus BP, BO, CP, CO, arcubus GT, GV, HT, HV, similes sunt; erunt arcus BP, BO, CP, CO, eodem modo arcubus DR, DS, ER, ES, dissimiles. Eodē pācto ostendemus, vbi cungū; perpendicularis TV, semidiametru GN, fecet, & perpendicularis RS, rectā Di, arcū à perpendiculari TV, abscissum esse maiore, quā vt similis sit arcui, quē tūc perpendicularis RS, abscindit, &c. Quod si perpendicularis TV, transeat per centrū N, ac proinde perpendicularis RS, per punctū i, manū festū est, arcum per illā abscissum, maiore esse, quām vt similis sit arcui per hanc abscissū, cum illā semicirculus fit, hic vero semicirculo minor. Eademq; ratio-ne, si perpendicularis TV, fecet GF, ultra N, centrū & citra F, ac propterea perpendicularis RS, semidiametru DF, ultra i, & citra F, auferetur ex circulo GH, arcus semicirculū maior, & ex circulo DE, minor, atque idcirco ille maior erit, quām vt huic similis sit. Contrariū accidet, si ex parte alterius semicirculi IEK, recta quæcumque ex vertice A, ducatur Ab, secans circulum GH, in d, & demin-gatur bg, ad DE, perpendicularis secans circumferentiam ex altera parte in c, punto, per quod ex ver-tice A, recta emittatur secans circulum GH, in e. Erit enim hoc triangulum Abc, rectum ad triangulum ABC, quia nimirū dicitur per rectam bg, ad triangulum ABC, perpendicularē; facietq; citrū circulo GH, sectionē rectā de, quae fecet GH, in f. Quia ergo tam planum circulū GH, quā trianguli Abc, rectum est ad triangulū ABC, erit eorum communis sectio de, perpendicularis quoq; ad triangulum ABC, /deoq; ex defin. 3. lib. 11. Euclid. & ad rectam GH, in f. Secatur ergo utraque be, de, bifariam in g, f, atq; idcirco ex ultima proposi-tione scholii proposi-ti lib. 3. Euclid. vterq;



2. s. unde.

3. s. unde.

e. s. tertij.

d. s. quinti.

arcus bEc, dHe, bifariam secabitur in E, H: & ducta recta Ag, transibit per punctum f. Eadem enim prorsus hic est demonstratio, que in triangulo ARS; quis recta Ag, existens in utroque plano tam trianguli ABC, quām trianguli Abc, secat utramque rectam GH, de, in illis planis existentem, ac propterea in earum communi sectione f, quod solum punctum f, recta de, ad triangulum ABC, perpendicularis, sit in triangulo ABC. Quamobrem per lemma 29. maior erit propo-portionē Eg, ad gF, quām Hf, ad ff : : Sed proportio Hf, ad ff, maior est, quām ad fN. Igitur multo maior erit proportio Eg, ad gF, quām Hf, ad fN; atque idcirco

circo arcus bEc , maior erit , quām vt similis sit arcui dHe ; quod ostendetur . quemadmodum probatum est , arcum TGV , esse maiorem , quām vt arcui RDS . similis sit , propterea quōd maior erat proportio GX , ad XN , quām DY , ad YF . Igitur & semisses Eb , Ec , maiores erunt , quām vt similes sint semissibus Hd , He . Ideoque reliqui arcus Db , Dc , ex semicirculis minores erunt , quām vt reliquis arcubus Gd , Ge , ex semicirculis similes sint . Quoniam autē productis rectis Ab , Ac , ad basem , arcus Cz , Ca , Bz , Ba , arcubus Hd , He , Gd , Ge , ex lemmate 28 . similes sunt ; erunt illi eodem modo arcubus Eb , Ec , Db , Dc , dissimiles .

C A E T E R V M ex parte semicirculi IK , à rectis ex vertice A , eductis auferri maiores arcus ex eo , quām vt similes sint arcubus ex base BC , abscissis , hoc est , arcubus ex circulo GH , abscissis , cum hi ex lemmate 28 . similes sint arcubus basis ; facile hoc etiam modo demonstrabimus . Ducta vtcunque recta bc , ad diametrum DE , perpendiculari , demittantur ex vertice A , rectas Ab , Ac , secantes circulum GH , in d , e , iungaturque recta d e .^a Et quoniam a 28 . primi . IK , bc , parallelae sunt , ob angulos rectos ad Eg ; duci poterunt per ipsas duo plana parallela . Intelligatur ergo per IK , ductum planum triangulo Abc , parallelum ; facietque in hisce planis parallelis planum circuli GIHK , se- b 16 . unde . ciones parallelas IK , d e . Cum ergo bc , eidem IK , sit parallela ostensa , erunt c 9 . undec . etiam bc , d e , parallelae . Igitur triangulum Ade , ex coroll . propos . 4 . lib . 6 . Euclid . triangulo Abc , simile erit .^d Quare erit vt Ab , ad bc , ita Ad , ad de .^{d 4 . sexti .} Cum ergo Ab , maior sit , quām Ad , erit quoque bc , maior quām d e . Quocirca e 14 . quinti . cum circulus DE , minor sit circulo GH , quod diameter DE , minor sit ostensa , quām diameter GH ; auferet bc , maior linea ex minore circulo DE , maiorem arcum bEc , quām vt similis sit arcui dHe , quem minor linea d e , ex maiore circulo GH , auferit ; ex ijs , quām in lemmate propos . 6 . lib . 3 . Theod . demonstrauimus . Igitur & semisses Eb , Ec , maiores erunt , quām vt similes sint semissibus Hd , He . Vterque enim arcus bEc , dHe , bifariam sectus est in E , H , ex ultima propos . scholii propos . 27 . lib . 3 . Euclid . Nam diameter DE , secat rectam bc , per constructionem ad angulos rectos ; Item diameter GH , f 29 . primi . secat d e , ad angulos rectos , ob parallelas IK , d e , quarum IK , ad angulos rectos secatur à GH , vt supra ostendimus , propterea quod IK , communis sectio circulorum DE , GH , ad triangulum ABC , rectorum , recta est ad idem triangulum ; ac proinde & ad rectam GH , perpendicularis , ex defin . 3 . lib . 11 . Euclid . & ac profnde & bifariam vtraque bc , d e , secabitur . Quocirca cum arcibus Hd , He , similes sint arcus Cz , Ca , ex lemmate 28 . erunt quoque arcus Eb , Ec , maiores , quām vt similes sint arcubus Cz , Ca , & ex semicirculis reliqui Db , Dc , minores , quām vt sint reliquis Bz , Ba , ex semicirculis similes .^{g 3 . tertii .}

E X his omnibus constat , quemlibet arcum utriusvis interceptum inter latus trianguli per axem longius , & rectam quamcumque ex vertice de- missam , maiorem esse , quām vt similis sit arcui alterius circuli inter easdem rectas intercepto , vsque ad finem semicirculi . Ita enim demonstratum est , arcus BP , BL , BZ , maiores esse , quām vt arcubus DR , DI , Db , similes sint : Item arcus Eb , EI , ER , maiores . quām vt similes sint arcubus CZ , CL , CP ; eademque ratio est de ceteris . Itaque si semicirculus D / E , se- cetur in singulos gradus , complectetur arcus semicirculi B L C , respondens vni gradu semicirculi D / E , plus quam vnum gradum : Et arcus respondens duo- bus gradibus , maior erit duobus gradibus : Et arcus respondens tribus gradibus , maior erit tribus gradibus ; atque ita deinceps usque ad finem utriusque se- micirculi D / E , B L C , initio semper facto à punctis D , B , in arcubus . Sic

N 2 etiam ,

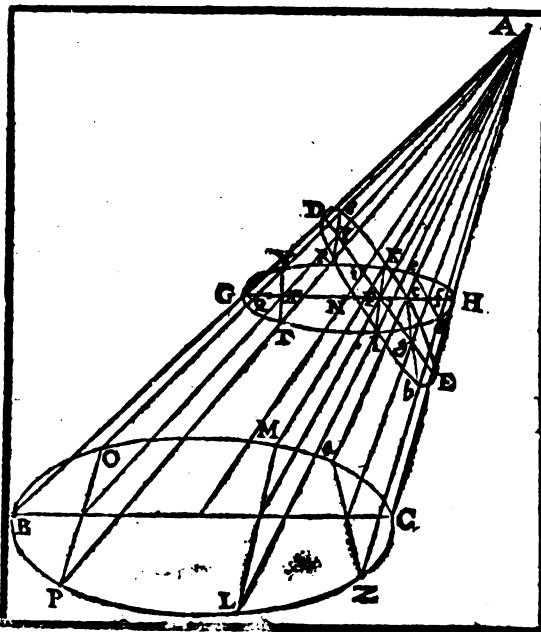


etiam, si semicirculus CLB, in suos gradus secetur, erunt ordine singuli arcus semicirculi EID, initio semper facto a punctis E, C, maiores quam 1. 2. 3. 4. 5. 6. &c. gradus.

P O S T R E M O sint arcus oppositi xquales DR, Ec, ducanturque rectæ ARP, Aca, secantes circulum GH, in T, e. Dico arcus BP, Ca, inæquales esse, maiorem quidem BP, minorem vero Ca. Sumptis enim aliis duobus arcibus DS, Eb, xqualibus ipsis DR, Ec, iungantur rectæ RS, bc, & per S, b, ducantur duas rectæ AS, Ab, secantes basim in O, Z, & circulum GH, in V, d, iunganturque rectæ TV, d, e. Eruntque, ut paulo ante demonstravimus, bc, d, e, parallelae. Nam cum arcus Eb, Ec, xquales sint, erunt & reliqui bi, cK, ex semicirculis xquales. Igitur ex scholio propos. 27. lib 3. Euclid. IK, bc, parallelae sunt. Quocirca si a 16. unde. per IK, intelligatur duci planum triangulo ABC, per bc, ducto parallelum, faciet in his planis parallelis planum circuitu GH, sectiones parallelas IK, de. Cum ergo bc, eidem IK, ostensa sit parallela; & erunt etiam bc, d, e, parallelae. Eodem modo parallelae erunt RS, TV, ac proinde tam triangula ABC, Ad, quam ARS, ATV, similia erunt, ex coroll. propos. 4. lib. 6. Euclid. Sunt autem ABC, ARS, Isoscelia, quod, exemplmate 27. rā AB & AC, xqualiter distantes à maxima AE, quā AR, AS, xqualiter distantes à minima AD, xquales sint. Igitur & Ad, e, ATV, Isoscelia sunt. Et quoniā latera AR, AS, minora sunt latoribus AB, AC, exemplmate 27. e basis autem RS, basi bc, xqualis, ob arcus xquales RDS, bEc, erit per lemma 30. præcedens, angulus RAS, maior angulo bAc. Cum ergo per lemma 27. latera AT, AV, maiora sint lateribus Ad, Ae; erit per præcedens lemma 30. basis TV, base d, e, maior; ac propterea

b 9. unde.

c 29. tertij.



ex scholio propos. 28. lib. 3. Eucl. arcus TGV, maior erit arcu dHe. Quia vero TV, ostensa est parallela ipsi IK, & GH, secat ipsam IK, ad angulos rectos; & seca bitur quoq; TV, ad angulos rectos, & bifariā in X: ac proinde ex ultima proposi scholij propos. 27. lib. 3. Eucl. arcus quoque TGV, bifariam secabilur in G. Eademq; ratione & arcus dHe, erit in H, secutus bifariam. Cum ergo arcus TGV, sit ostensus maior arcu dHe; erit & semisses GT, GV, semissibus Hd, He, maiores. Sed his quatuor arcibus similes sunt, ex lemate 28. quatuor arcus BP, BO, CZ, Ca. Igitur & BP, BO, maiores sunt, quam CZ, Ca. Pari ratione, si arcus BP, Ca, xqua-

L E M M A XXXI. ET XXXII.

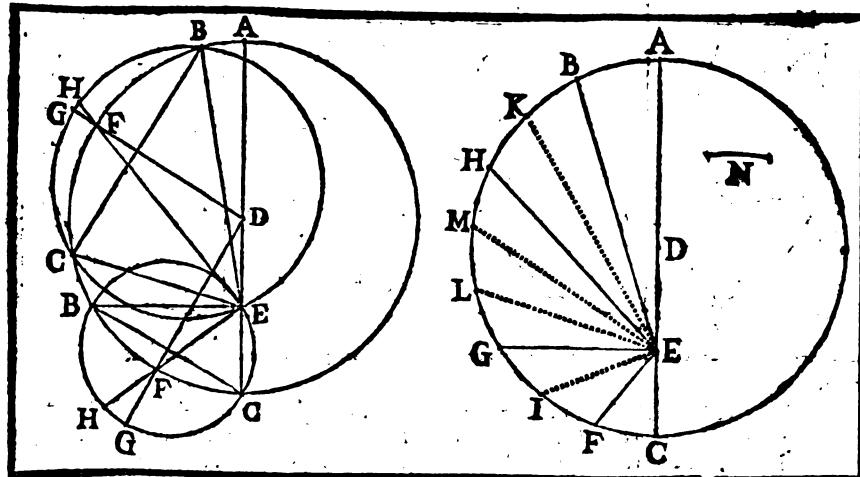
Ca, æquales ponantur, ostendens BC, maiorem quam DR. Nam facta est eis constructione, erit angulus dÆ, maior angulo TAV, & basis bc, maior basi AS, &c.

I T A Q V E singuli arcus semicirculi BLC, à B, vique ad L, quod punctum responderet puncto I, in quadrante DI, maiores sunt singulis arcibus æqualibus respondentibus à C, vsque ad L. Nam arcus circumferentia CL, æquales sunt arcibus circumferentia CM, qui arcibus circumferentia BL, opponuntur, minoresque sunt ostensi arcibus circumferentia BL. Sic etiam singuli arcus semicirculi EID, ab E, vsque ad punctum, quod medio puncto semicirculi CLB, responderet, maiores sunt singulis arcibus respondentibus æqualibus à D, vsque ad idem punctum, quod medio puncto semicirculi CB, responderet.

L E M M A XXXII.

S I in diametro circuli, præter centrum, punctum quod sumatur, & ex eo rectæ educantur, quæ in circumferentia circuli duos arcus æquales intercipiant: Erunt anguli ab ipsis comprehensi inæquales, maiorque erit ille, cuius lineæ à centro lôgicus absunt. Et si rectæ ductæ continent angulos æquales, erunt arcus intercepti inæquales, maiorque erit ille, cuius lineæ centro propinquiores sunt.

I N circulo ABC, cuius centrum D, in diametro AC, ex punto E, præter centrum, primum tres rectæ EC, EF, EB, egrediantur intercipientes duos arcus continuos æquales CF, FB, siue eorum initium C, si in extremo diametri, siue non. Dico angulum CEF, angulo FEB, esse maiorem. Ducta enim chorda

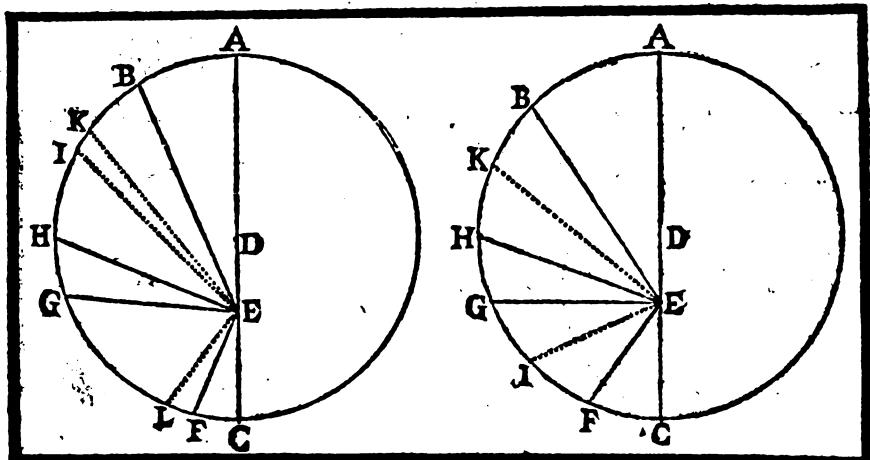


C B, describatur circa triangulum BCE, circulus, qui circumham ABC, secabit ^{a s. quarti.} in B, C, ^b cum eum in duobus illis punctis tangere nequeat. Ducta iam recta DF, ^{b 13. tertij.} & pro-

& producatur, donec circulum BCE, secet in G; quoniam arcus BEC, secus est bisferiam in F, secabitur quoque recta BC, bisferiam, ex scholio propos. 27. lib. 3. Euclid. Igitur & arcus BGC, per idem scholium, in G, secus erit bisferiam. Pro ducta ergo recta EF, donec arcum BGC, secet in H, erit arcus BG, hoc est, CG, maior arcu BH. Multo ergo maior erit arcus CH, arcu BH. Igitur ex scho-lio propos. 27. lib. 3. Euclid. angulus CEH, angulo BEH, maior erit. quod est propositum.

D E I N D E quatuor rectas EF, EG, EH, EB, intercipiant duos arcus æqua-les non continuos FG, HB, quorum alter totus sit extra alterum, vt in secunda figura. Dico rursus, angulum FEG, maiorem esse angulo HEB. Aut enim intermedium arcus GH, utriusque arcui FG, HB, commensurabilis est; aut incom-mensurabilis. Sit primum commensurabilis, & sit eorum maxima mensura com-munis N, singulique arcus FG, GH, HB, dividantur in partes ipsi N, æquales, nimirum FG, HB, in binas FI, IG; HK, KB: & GH, in tres GL, LM, MH. Ductis igitur rectis EI, EL, EM, EK; erit, vt iam demonstratum est, angulus FEI, maior angulo IEG, quod arcus FI, IG, æquales sint continui; & eadem de cau-sa angulus LEG, in aliorum quam GEL, & hic maior quam LEM, & hic maior quam MEH, & hic maior quam HEK, & hic maior quam KEB, & sic deinceps, si fuerint plures arcus æquales. Multo ergo maior erit angulus FEI, angulo HEK, & LEG, maior quam KEB; ac proinde & totus angulus FEG, toto angulo HEB, maior erit. quod est propositum.

S E D iam sit arcus intermedium GH, utriusque arcui FG, HB, incommensura-



bilis, vt in tertia figura. Si igitur angulus FEG, maior non est angulo HEB, erit vel minor, vel æqualis. Sit primum, si fieri potest, minor; & ex maiore angulo HEB, auferatur angulus HEI, angulo FEG, æqualis: atque ex lemmate 2. propos. 8. lib. 3. Theodos. inueniatur arcus HK, maior quidem quam HI, minor vero quam HB, & arcui intermedio GH, commensurabilis. Et quis arcus FG, arcui HB, ponitur æqualis, erit arcus FG, maior quam HK. Abscissa ergo arcu-GL.

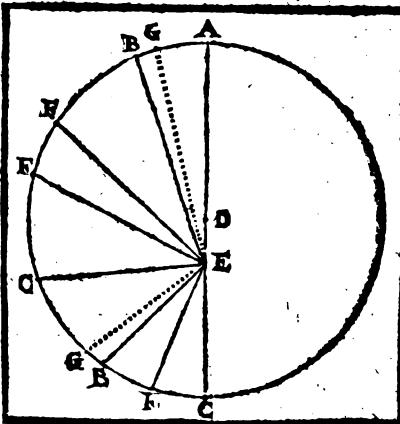
GL, æquali ipsi HK, ducataque recta EL; quoniam arcus LG, HK, non continui sunt æquales, & intermedius arcus GH, est utriusque commensurabilis, ex constructione, erit, vt proxime demonstratum est, angulus LEG, maior angulo HEK. Ergo multo maior angulo HEI. Cum ergo ex constructione, angulus HEI, ablatus sit angulo FEG, æqualis est it quoq; angulus LEG, maior angulo FEG, pars toto, quod est absurdum. Non ergo minor est angulus FEG, angulo HEB.

S I T deinde, si fieri potest, angulus FEG, angulo HEB, æqualis, vt in quarta figura; scilicet arcibus FG, HB, æqualibus bifariam in I, K, ducantur rectæ EI, EK. Quoniam ergo tam continui arcus HK, KB, semisses arcus HB, quam arcus continui FI, IG, semisses arcus FG, æquales sunt; erit, vt supra demonstravimus, angulus HEK, maior semisse anguli HEB. Eadem ratione angulus FEI, maior erit angulo IEG, idcōque angulus IEG, minor semisse anguli FEG. Cum ergo anguli FEG, HEB, ponantur æquales; erit IEG, minor quam HEK, quod est absurdum. Cum enim arcus IG, HK, semisses arcum æqualem FG, HB, æquales sint, & non continui, si quidem intermedius GH, est illis commensurabilis, erit angulus FEG, maior angulo HEK, vt demonstratum est; si vero incommensurabilis, non poterit angulus IEG, minor esse angulo HEK, vt paulo ante demonstratum etiam est. Non ergo angulus FEG, angulo HEB, æqualis est: sed neque minor est ostensus. Maior ergo est. quod est propositum.

A D extreum quatuor rectæ EE, EG, EI, EH, intercipient arcus æquales FG, IH, habentes partem communem IG, vt in proxima quarta figura. Dico rursus, angulum FEG, maiorem esse angulo IEH. Nam cum æquales sint arcus FG, IH, ablati communis IG, erit reliquis FI, reliquo GH, quoque æqualis. Ergo ut ostendimus, angulus FEI, angulo GEH, maior erit: additoque communio angulo IEG, totus quoque angulus FEG, toto angulo IEH, maior erit. quod est propositum.

SE D iam recta EC, EF, EB, constituant in E, angulos æquales CEF, FEB, siue continuos, siue non continuos, vt in quinta figura. Dico arcum BF, maiorem esse arcu FC. Si enim non est maior, sit primum æqualis. Ergo ut iam demonstratum est, erit angulus CEF, angulo FEB, maior, quod est contra hypothesim. Sit deinde, si fieri potest, arcus BF, minor arcu FC, fiatque FG, ipsi FC, æqualis. Igitur ut iam ostensum est, erit angulus CEF, maior angulo FEG. Multo ergo major angulo FEB. quod est contra hypothesim. Cum ergo arcus BF, non sit æqualis, nec minor arcu FC; erit omnino maior. quod est propositum.

I T A Q V E theorematis huius posterior pars, quam proxime demonstratus, multo universalior est propositione ultima scholij propos. 29. lib. 3. Eucl. vbi solum probatum est, si duo anguli CEF, FEB, sint æquales, initio facto à punto.



puncto diametri C , arcum BF, arcu FC, maiorem esse : quod tamen hic demonstratum est de quotlibet angulis, & arcubus sive continuis, sive non continuis, & sive non eorum iunctam sumat à diametro, sive non .

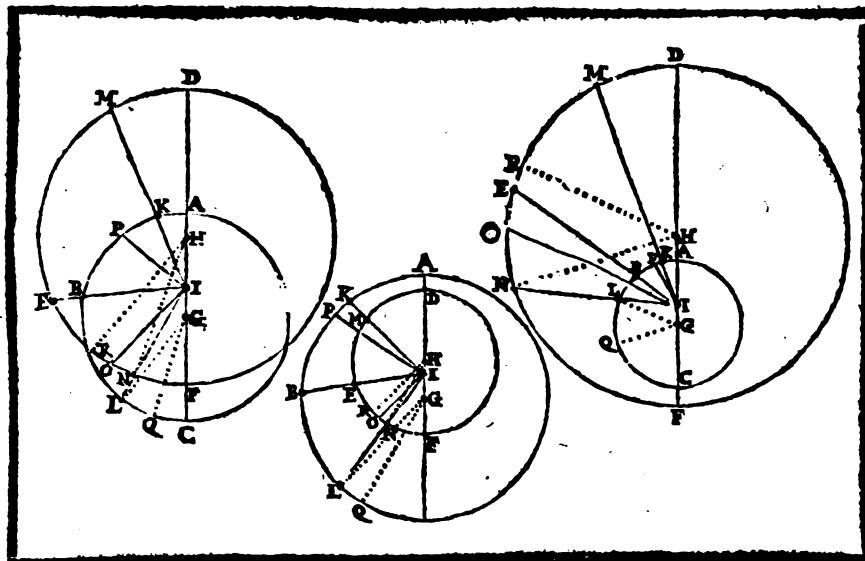
L E M M A XXXIII.

S I in circulis se mutuo secantibus, vel non secantibus, diuersa tamen centra habentibus, punctum quodpiam in communi eorum diametro per utrumque centrum ducta, præter centra sumatur, quod & inter utrumque centrum, & intra utrumque circulum existat: Rectæ lineæ ab eo puncto educatae secantes utriuslibet circulorum circumferentiam in arcus æquales, secabunt alterius circumferentiam in arcus inæquales, maiorque semper erit ille, cuius lineæ centro propinquiores sunt: Arcus item quilibet illius circuli, cuius centrum est inter assumpsum punctum, eiusque circumferentiam, interceptus inter communem diametrum, & quamlibet rectam ex eodem puncto educata, si minor est semicirculo, maior est, quam ut similis sit arcui alterius circuli inter easdem rectas intercepto.

D V O circuli ABC, DEF, se mutuo secent, vel si non se intersecant, habent centra diuersa, & G, sit centrum circuli ABC, at H, centrum circuli DEF. Diameter communis sit DC, per centra G, H, transiens. Ex puncto autem I, inter utrumque centrum, & intra utrumque circulum, cadant quotuis lineæ IK, IB, IL, intercipientes in circulo ABC, arcus æquales KB, BL, productæ autem, si opus est, secent circulum DEF, in M, E, N. Dico arcus ME, EN, inæquales esse, maiorem quidem ME, & minorem EN. Si namque arcus ME, maior non est arcu EN; erit vel æqualis, vel minor. Sit primum, si fieri potest æqualis. Ergo per lemma præcedens, angulus NIE, maior erit angulo EIM. Sed per idem lemma, propter arcus æquales KB, BL, angulus KIB, hoc est, EIM, maior est angulo BIL, hoc est, angulo NIE. Idem ergo angulus NIE, maior est angulo EIM, & minor. quod est absurdum. Non ergo arcus ME, arcui EN, æqualis est. Sit deinde, si fieri potest, arcus ME, minor arcu EN. Abscisso ergo arcu EO, æquali ipsi ME, ductaque recta OI, erit per idem lemma præcedens, angulus OIE, maior angulo EIM. Multo ergo maior erit angulus NIE, angulo EIM. Sed per idem lemma, ob arcus æquales KB, BL, angulus KIB, hoc est, EIM, maior est angulo BIL, hoc est, angulo NIE. Idem ergo angulus NIE, maior est, & minor, eodem angulo EIM. quod est absurdum. Non ergo arcus ME, arcu EN, minor est: Sed neque æqualis, ut ostensum est. /gitur maior.

EADEM

E A D E M ratione, si æquales ponantur arcus ME, EN, erit arcus LB, maior arcu BK. Si enim non est maior, sit primum, si fieri potest, æqualis. Ergo per lemma præcedens, angulus KIB, hoc est, EIM, maior erit angulo BIL, hoc est, angulo NIE. Sed per idem lemma, ob arcus æquales ME, EN, angulus NIE, maior est angulo EIM. Idem ergo angulus NIE, maior est, & minor, eodem angulo EIM. quod est absurdum. Non ergo arcus LB, arcui BK, æqualis erit. Sit deinde, si fieri potest, arcus BL, minor arcu BK. Abicisse ergo arcu BP, æqua h[ic] ipsi LB, ductaq[ue] recta PI; erit per idem lemma præcedens, angulus PIB, maior angulo BIL. Multo ergo maior erit angulus KIB, hoc est, EIM, angulo BIL, hoc est, angulo NIE. Sed per idem lemma, ob æquales arcus ME, EN, angulus NIE,



maior est angulo EIM. Idem ergo angulus NIE, maior est, & minor eodem angulo EIM. quod est absurdum. Non ergo arcus LB, minor est arcu BK: Sed neque æqualis, vt ostendimus. Igitur maior.

DICO rursus arcus DM, DN, maiores esse, quam ut similes sint arcibus AK, AB, AL. Item arcus CL, CB, CK, maiores, quam ut similes sint arcibus FN, FE, FM. Ducta enim recta HN, ex centro H, agatur ei parallela GQ, ex centro G. Quoniā igitur anguli DHN, AGQ, ad cetera æquales sunt, externus & internus; erunt ex schol. propos. 22. lib. 3. Eucl. arcus DN, AQ, similes. Maior ergo est MN, quam ut similis sit arcui AL, qui pars est arcus similis AQ. Eodemque modo ostendes DE DM, maiores esse, quam ut similes sint arcibus AB, AK.

R V R S V S ducta recta GL, ex centro G, agatur ei parallela HR, ex centro H. Quia igitur anguli CGL, FHR, ad centra æquales sunt, externus & internus; erunt ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. arcus CL, FR, similes. Maior ergo est CL, quam

CL, quām vt arcui FN, qui ipsius FR, pars est, similis sit. Eademque ratione erunt CB, CK, maiores, quām vt ipsis FE, FM, similes sint.

P E R S P I C V U M autem est, propositionem hanc veram esse, siue arcus in utroque circulo continui sint, siue non continui. Id quod ex antecedenti lemmate apparere potest.

L E M M A XXXIIII.

S I circulus circulum bifariam secet, vel non bifariam, aut nullo modo secet, & per centra ad rectam per eadē centra eiectam dūcāntur duæ diametri perpendiculares: Rectæ duæ lineæ egredientes ex puncto rectæ per centra eiectæ, per quod transit recta, quæ extrema duarum diametrorum duætarum coniungit, & quod in utroque circulo existit, facientesque cum recta utriusque diametro æquidistante ex utraque parte, vel cum recta per centra transeunte, angulos æquales, intercipient in utroque circulo arcus similes: Ipsa quoque recta utriusque diametro æquidistans ex utroque circulo alternos arcus similes absindet. Et contra si duæ rectæ arcus similes intercipiant, constituent cum eadem recta æquidistante ad utrasque partes angulos æquales.

S E C E T circulus ABCD, circuli EFGH, bifariā, vel non bifariā, aut nullo modo secet, si nōque eorum centra I, K, per quæ recta eiectiatur AIKG, & per eadē ad AG, perpendiculares educantur BID, FKH, quarū posterior cadet in cōmunes sectiones circulorū F, H, quādō vムs alterū bifariā secat, ut cōtingit in prima & secunda figura, cū hæc diameter FH, sit oīno ad AG, perpendicularis. Quia enim tunc recta IK, ex cētro I, secans rectā FH, in circulo ABCD, bifariā in K, (quod K, cētrū sit circuli EFGH,) a secat eandē ad angulos rectos, erit diameter FH, ad eandē AG, perpendicularis. Ducta autē recta BH, secet eandem AG, in L, puncto existente in utroq; circulo, ex quo ad eandē AG, perpendicularis erigatur LM, secans circulum EFGH, in N: ac tandem ad L, fiant duo anguli æquales MLQ, MLP, ac proinde ex rectis reliquo OLA, PLG, secerint; recta LO, circuli EFGH, in Q, recta vero LP, circulum ABCD, in R. Dico & arcus alternos CM, EN, vel AM, GN, quos perpendicularis LMN, absindit, & arcus OR, QP, inter duas re

b 28. primi. Quas LO, LP, esse similes.^b Quoniam enim BD, FH, ad AG, perpendiculares paral. c 29. primi. Ielæ sunt, c erunt anguli alterni IBL, KHL, æquales: Sunt autem & recti BIL, d 15. primi. HKL, & anguli BLI, HKL, ad verticem æquales. Acquiangula igitur sunt e 4. sexti. triangula BIL, HKL. Erit igitur ut BI, ad IL, ita HK, ad KL. Est autem MI, ip̄fū

ipſi BI, & NK, ipſi HK, æqualis. Igitur erit quoque vt MI, ad IL, ita NK, ad KL. Quoniam igitur in triangulis MIL, NKL, anguli recti ILM, KLN, æquales sunt, & latera circa angulos MIL, NKL, proportionalia, vt ostendimus, reli quorum autem angulorum M, N, vterque minor est recto, ex coroll. 1. propos.

17. lib. 1. Euclid. erunt ipſa triangula æquiangula, angulosque MIL, NKL, ad 27. sexti centra æquales habebunt. Igitur ex scholio propos. 22. lib. 3. Euclid. arcus

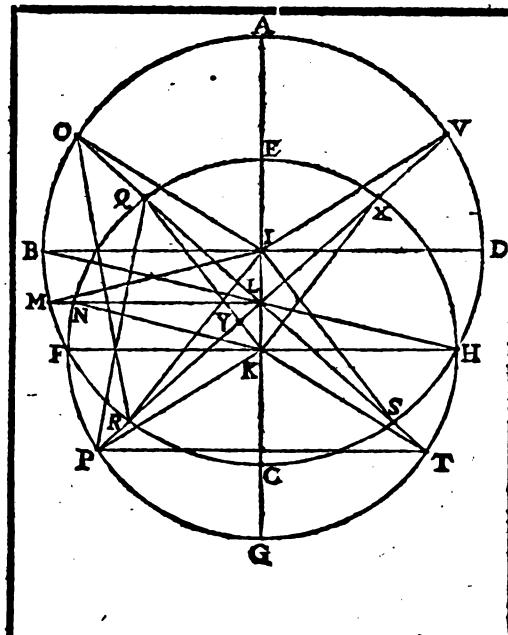
CM, EN, similes sunt;
ac proinde ex semicirculis reliqui AM, GN, similes quoque erunt, ex eodem scholio. quod est secundum.

IVNGANTVR re
& IO, KP, IR, KQ. Et
quoniam in triangulis
ILO, KLP, anguli ILO,
KLP, æquales sunt. (Cū
enim MLI, MLK, recti
sint, & MLO, MLP,
æquales, ex hypothesis
erunt etiam reliqui LO,
KLP, æquales.) & latera
circa angulos LIO, LKP,
proportionalia, (Erat
enim in triangulis MIL,
NKL, vt MI, ad IL, ita
NK, ad KL. Cum ergo
OI, ipſi MI, & PK, ipſi
NK, sit æqualis, erit
quoque, vt OI, ad IL, ita
PK, ad KL,) reliquorum
autem angulorum IOL,
KPL, vterque recto mi-

nor est, quod dux recte AO, CO, EP, GP, in semicirculis faciant angulos re- b 31. tertij.
ctos, quorum illi partes sunt; erunt ipſa triangula æquiangula, angulosque c 7. sexti.
LIO, LKP, habebunt æquales.

RVR SVS quia in triangulis ILR, KLQ, anguli ILR, KLQ, æquales sunt,
(cum enim æquales positi sint MLR, MLQ, additis rectis æqualibus MLI, MLK,
toti ILR, KLQ, æquales sunt.) & latera circa angulos LIR, LKQ, proportionalia.
(Erat enim in triangulis MIL, NKL, vt MI, ad IL, ita NK, ad KL. Cum ergo RI, ipſi MI, & QK, ipſi NK, sit æqualis, erit quoque vt RI, ad IL, ita QK,
ad KL.) reliquorum autem angulorum IRL, KQL, vterque recto minor est,
quod dux recte AR, CR, EQ, GQ, facient in semicirculis angulos rectos
quorū illi partes sunt; erunt triangula ipſa æquiangula, angulosque LIR, LKQ, d 31. tertij.
æquales habebunt: Ostensi sunt autem & æquales toti anguli LIO, LKP. Ablatis
igitur æqualibus LIR, LKQ, reliqui OIR, QKP, æquales etiam erunt in cen- e 7. sexti.
tris I, K; ac proinde ex scholio propos. 22. lib. 3. Euclid. arcus OR, QP, similes
erunt. quod est primum.

VERVM intercipiant iam recte LO, LP, arcus similes OR, QP. Dico an-
gulos



gulos OLM, PLM, æquales esse. Poductis enim OL, PL, usque ad T, V. iungantur recte OR, QP; IS, KT; IV, KX. Et quia triangula quatuor IOS, IRV, KQT, KPX, Isoscelia sunt; erunt bini anguli in singulis æquales. Quoniam vero in triangulis OIL, TKL, anguli ad verticem L, æquales sunt, & latera circa angulos OIL, TKL, proportionalia, (erat enim in triangulis MIL, NKL, vt MI, ad IL, ita NK, ad KL. Cum ergo OI, ipsi MI, & TK, ipsi NK, sit æqualis; erit quoque ut OI, ad IL, ita TK, ad KL) reliquorum autem angulorum IOL, KTL, vtrq; minor recte est; quod ducte recte AO, CO, ET, GT, angulos in semicirculis facient rectos, quorum illi partes sunt; & erunt triangula ipsa æquiangula, æqualesque habebunt angulos IIO, LKT, & IOI, KTL. Erat autem angulo IOL, æqualis angulus ISL, & angulo KTL, angulus KQL, ppter Isoscelia IOS, KQT. Quatuor ergo anguli IOL, ISL, KQL, KTL, æquales inter se sunt. Idem prorsus ratione ostendemus quatuor angulos IVL, IRL, KXL, KPL, æquales esse inter se.

c. 31. tertij.

d. 7. sexti.

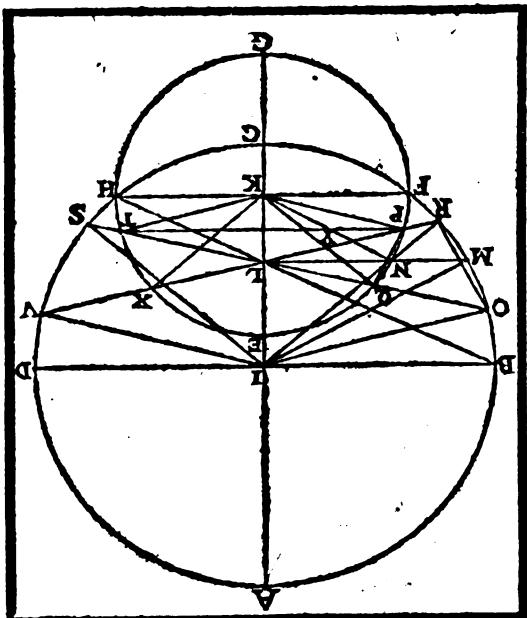
e. 20. tertij.

f. 3. primi.

g. 3. primi.

h. 3. primi.

i. 5. quinti.

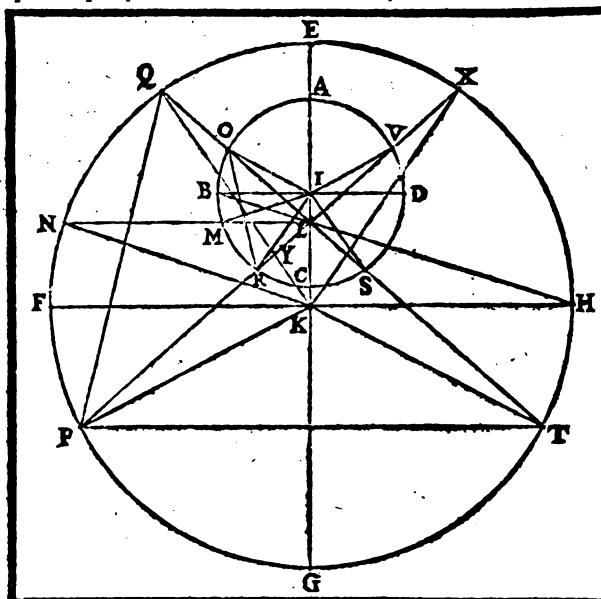


I AM vero, quoniam angulus PKT, in centro K, vel certe spatiuum ad centrum K, infistens arcui PGT, ut in secunda figura, duplum est anguli PQT, ad circumferentiam; estque angulus PKT, vel spatiuum ad K, arcui PGT, infistens, æquale tribus angulis PLT, LPK, LTK, (quod tam PKG, duobus PLK, LPK, quam TKG, duobus TLK, LTK, æqualis sit.) erunt quoque tres hi anguli simul PLT, LPK, LTK, dupli anguli PQT. Sed rursus angulus PLT, æqualis est duobus LOR, LRO. Igitur quatuor anguli LOR, LRO, LPK, LTK, simul dupli quoque erunt eiusdem anguli PQT. Cum ergo paralo ante ostensus sit angulo LTK, æqualis angulus IOL; erit totus angulus IOR, vna cum LRO, LPK (sum pro IOL, pro LTK) duplus eiusdem anguli PQT.

PRAETEREA quoniam triangula Isoscelia OIR, QKP, angulos habent æquales I, K, in centris, ob positos similes arcus OR, ^{IV}; erunt reliqui duo vnius æquales reliquis duobus alterius, ac ppteræa quatuor anguli IOR, IRO, KPQ, KQP, æquales inter se erunt; ideoque duo IOR, IRO, dupli erunt angulis KQP. Quare cum tres anguli IOR, LRO, LPK, proxime ostensi sint dupli anguli PQT; sint autem munc quoque duo IOR, IRO, ablati ex tribus IOR, LRO, LPK, ostensi dupli anguli KQP, ablati ex PQT; erunt quoque reliqui IRL, LPK, simul

simil dupli reliqui KQL. Sunt autem supra ostensi æquales IRL, LPK. Igitur LPK, solus ipsi KQL, æqualis erit. Cum ergo ipsi KQL, æqualis sit ostensus KTL, erunt quoque KPL, KTL, inter se æquales.

A D extremum functa recta PT, erunt anguli KPT, KTP, æquales. Si igitur a 5. primi. tur addantur ad æquales KPL, KTL, vel certe auferantur, vt in secunda figura, æquales quoque erunt vel toti, vel reliqui LPT, LTP; ideoque & rectæ LP. b 6. primi.



LT, æquales erunt, ac proinde, cum duo latera LP, LK, duobus lateribus LT, LK, sint æqualia, & basis KP, basis KT, æqualis; erit angulus c 8. primi. quoque PLK, angulo TLK, æqualis. Cum d 15. primi. ergo angulus TLK, angulo OLI, ad verticem æqualis fit; æquales inter se erunt anguli OLI, PLK; ac ppteræ & ex rectis reliqui OLM, PLM, æquales erunt. qd est propositum.

C A E T E R V M non est prætereundum hoc loco, cum anguli OIR, QKP, ad centra I. K. æquales sint, ob positos arcus similes OR, QP; utrilibet eorum æqualem esse angulum OLP, quem rectæ OL, PL, arcus similes abscedentes cōstituunt. Secent enim sefc PL, QK, in Y. Et quoniā angulus LPK, angulo KQL, ostensus est æqualis: sunt autem & anguli PYK, QYL, ad verticem æquales; erunt ex coroll. 1. propos. 32. lib. 1. Euclid. reliqui etiam anguli PKQ, PLO, in triangulis PKY, QLY, æquales. Eodem modo ostendetur idem angulus PLO, angulo OIR, æqualis.

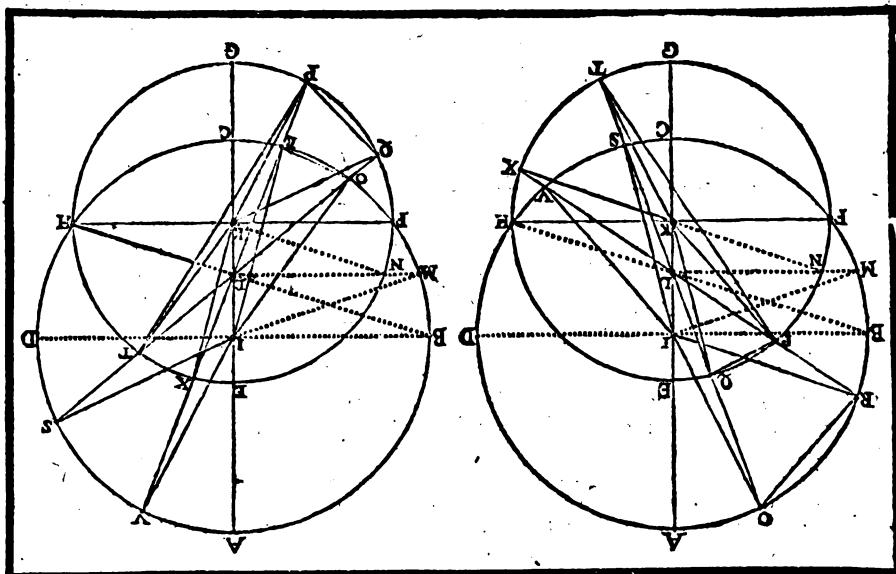
Q Y O C I R C A si uterque angulorum æqualium OLM, PLM, insistat arcui semissimis vnius gradus in circulo, qui ex centro L, describeretur, ita ut totus angulus OLP, arcui vnius gradus insistat; insistent quoque anguli illi æquales OIR, QKP, arcibus vnius gradus: Et si angulus OLP, insistat duobus gradibus, erunt arcus OR, QR, binoru graduum, &c. Itaque duci possunt ex L, due rectæ & abscedentes arcus similes OR, QP, qui gradus contineant, quotquot quis iussit: si nimis constituantur anguli æquales OLM, PLM, quorum quilibet complectatur dimidiatum numerum graduum, qui imperantur.

H A E C autem demonstratio, vt vides, locum habet in omnibus casibus, si pe centrum majoris circuli sic intra minorem, vt in prima figura, sive extra, vt in

vt in secunda, & tertia, siue etiam in ipsa circumferentia minoris. Item siue altera linearum OL, PL, cadat infra diametrum FH, vt in prima figura, & tertia, siue utraque supra eam diametrum, vt in secunda figura, dummodo ex utraque parte perpendicularis LM, aequales cum ea angulos constituant.

S C H O L I V M.

QU E M A D M O D U M autem recta LA, cum qualibet alia ex L, egrediente auferit arcus disimiles ex utroque circulo, vt in antecedente lemmate demonstratum est, ita quoque duo recte quacunque ex L, supra perpendiculararem LM, vel infra caderentes auferunt ex eisdem duabus circulis arcus disimiles, ut facile ex his, qua hoc lemmate demonstrata sunt, colligi potest, vt in his duabus figuris apparet. Si namque duo recta OL, PL, siue supra perpendiculararem LM, siue infra, abscedere dicantur arcus similes QR, QP, & eadem constructio sit que prius ostendemus eodem prosras modo, angulos OLI, PLK, aequales inter se esse, quod est absurdum, cum unus acutus sit,



et alter obtusus. Solum igitur arcus similes inter duas rectas intercipi possunt inter duas rectas, qua aequales angulos cum LM, utrinque faciunt, hoc est, quarum una supra LM, et altera infra caderat.

L E M M A XXXV.

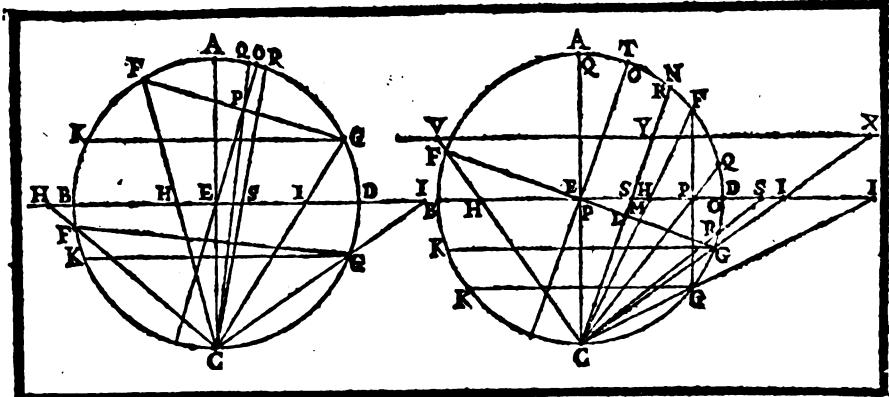
SI in circulo duæ diametri se se ad angulos rectos secant, & in eodem recta ducatur ad utramque diametrum, inclinata,

inclinata, vel vni earum parallelia; ab uno autem extremo alterutrius diametrorum per extrema rectæ lineæ inclinata, vel ab extremo diametri illius, cui recta equidistans est, extendantur duæ rectæ triangulum constituentes, cuius basis est recta inclinata, vel illa parallela: Altera diameter abscondet ex huius trianguli lateribus triangulum simile, sed subcontrarie positum. Ersi recta inclinata per centrum transeat, recta ex eodem diametri extremo ad eam ducta perpendicularis basem trianguli ab altera illa diametro abscessi bifariam secabit, ipsaque perpendicularis semissi eiusdem basis æqualis erit. Si vero recta per centrum non transeat, siue inclinata sit, siue vni diametrorum parallela, & ad eam ducatur diameter perpendicularis, atque per punctum vbi rectam illam secat, ex eodem illo extremo diametri recta ducatur usque ad circumferentiam, ac tandem arcui inter hoc punctum circumferentiae, & diametrum perpendicularem postremo loco ductam, arcus ex altera parte æqualis absindatur: Recta ex dicto illo extremo diametri ad terminum huius arcus ducta, secabit quoque basim trianguli ab altera illa diametro abscessi bifariam.

SE C E T sese in circulo ABCD, cuius centrum E, duæ diametri AC, BD, ad rectos angulos, fitque ad utramque inclinata recta FG, siue citra centrum, vel ultra existat, vt in prima figura, siue per centrum transeat, vt in secunda figura, siue non sit inclinata, sed vni diametrorum, verbis gratia, ipsi AC, parallela, vt in eadem secunda figura; siue denique tota inclinata sit ex vna parte diametri AC, vt in tertia, & quarta figura : quod duobus modis fieri potest. Aut enim ea alteram diametrum BD, secat, vt in tertia, aut non secat, vt in quarta figura. Atque ex punto C, per extrema F, G, duæ rectæ extendantur CF, CG, constituentes triangulum CFG, secantefque diametrum BD, in H, I. Dico triangulum abscessum CHI, triangulo CFG, simile esse, sed subcontrarie positum, hoc est, angulum CHI, angulo CFG, & angulum CIH, angulo CFG, esse æqualem, &c. Duæ enim GK, diametro BD, parallela, erunt arcus BK, DG, æquales, ex scholio propos. 27. lib. 3. Euclid. Si igitur ex quadrantibus æqualibus BC, DC, demandatur, vel quando GK, est ultra diametrum BD, addantur; erunt quoque reliqui arcus, vel confinati CK, CG, æquales. ^a Ideoque, & anguli CGK, CFG, illis insidentes ad circumferentiam æquales erunt. ^b Est autem angulo CGK, angulus CIH, internus externo, æqualis. Igitur & anguli CIH, CFG, æquales erunt. Cu ergo angulus FCG, utriusque triangulo sit communis; erunt ex coroll. 1. propos.

^a 27. tercij.
^b 29. primi.
32. lib. 1.

s 4. sexti. 32. lib. 1. Euclid. triangula CHI, CFG, æquiangula; ac propteræa latera circa æquales angulos habebunt proportionalia, ideoque similia erunt, sed subcontrarie posita.



DVCAT VR. iam ex eodem punto C, ad rectam inclinatam FG, per centrum transscuntem (vt in secunda figura) perpendicularis CI, secas basem HI, in M. quod facile fieri modo. Sumatur arcus CG, arcus GN, æqualis, duaturque recta CN. Hæc enim ad FG, in L, perpendicularis erit. Recta namque EL, ex centro secans arcum CN, bifariam in G, secabit quoque ex scholio propos. 27. lib. 3. Euclid. rectam CN, bifariam. Igitur & ad angulos rectos. Dico basem HI, trianguli abscessi CHI, sectam esse in M, bifariam, rectamque CM, utriq; semissi MI, MH, æqualē esse. Quoniam enim angulus FCG, in semicirculo rectus est, & ex eo ad FG, basem triánguli rectáguli CFG, dextrisla est perpendicularis CL; erit angulus GCL, angulo CFG, & angulus FCL, angulo CGF, æqualis. Sed angulo CFG, angulus CIH, & angulo CGE, angulus CHI, ostensus est æqualis. Igitur tam anguli GCL, CIH, quam anguli FCL, CHI, æquals erunt. Quare tam latus IM, lateri CM, in triangulo MCI, quam latus HM, eidem lateri CM, in triangulo MCH, æquale erit; ac proinde & rectæ MI, MH, æquals erunt, & utriusque earum æqualis CM, quod est propositum.

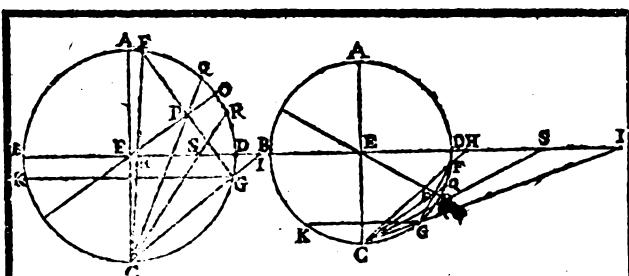
b 3. tertij.

c 31. tertij.

e 6. primi.

f 3. tertij.

RVR SVM
ducatur ad
IG, (in aliis
etiam figuris)
non per cen-
trum transcu-
tem diameter
perpendicula-
ris LO, quæ
ipsum FG, bi-
fariam seca-
bit in P, pun-



to, per quod ex eodem punto C, recta emittatur secans circumferentiam in Q, & arcui OQ, æqualis sumatur arcus OR, ac tandem ex eodem punto C, per Rx

per R, recta ducatur secás HI, basem trianguli abscissi in S. Dico basē HI, in S,
sestā esse bifariam. Quoniā enim triāgula CFG, CIH, similia ostensa sunt, sed
subcontrarie posita, habentia angulos æquales F, I, Sunt aut in triangulis CFP,
CIS, & anguli quoque FCP, ICS, æquales, ob arcus æquales FQ, GR. ^{a 27. tertij.} Nam cum
æquales sint arcus OF, OG, ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucli. quod recta FG, se
& ea sit bifariam in P; si demantur æquales OQ, OR, reliqui etiam FQ, GR, æqua-
les erunt.) Igitur & triangula CFP, CIS, æquiangula erunt. ^{b 4. sexti.} Quocire erit,
vt FG, ad FC, ita IH, ad IC, & vt FC, ad FP, ita IC, ad IS. Igitur ex æqualitate.
(vt in apposita formula apparet) erit quoque, vt FG, ad FP, ita IH,
ad IS. Est autem FG, ipsius FP, dupla. Igitur & IH, ipsius IS, dupla ^{FG. IH,}
erit, ac proinde IH, in S, bifariam secabitur. quod est propositum. FC, IC,
Immo si ad rectam FG, per centrum transeuntem ducatur diamet- ^{FP, IS,}
ter ET, perpendicularis, & arcui TA, æqualis sumatur TN. (Du
cta enim est etiam CA, per E, punctum intersectionis diametri perpendicularis
ET, cum FG,) secabit recta CN, basem HI, bifariam quoque in M. quod eadem
ratione probabitur, vt patet, si pro A, sumatur litera Q, & O, pro T, & R, pro
N, & S, pro M, & P, pro E, vt in secunda figura apparet. Diligenter autem atten-
dendum est, (ne confusio fiat in triangulis priorum duarū figurarum, que assu-
muntur, propter easdē literas repetitas) vt ex semper literæ accipiantur, que pro
prijs triangulis debentur. In duabus figuris posterioribus non est hoc periculum.
Hoc idem, quod posterius dixi de recta FG, per centrum ducta, nullo negotio
colligi potest ex superiori demonstratione, quando probatum est, perpendicularis
CL, bifariam secare HI, in M. Quoniā enim totus arcus CDA, totius arcus
DA, & ex toto CDA, ablatus AN, ex toto DA, ablati AT, duplus est, ex constru-
ctione; erit quoque totius CDA, reliquias CN, ex toto DA, reliqui DT, du-
plus. Cū ergo DT, ipsi CG, æqualis sit; (Nam ex quadrantibus GT, CD, dépto
comuni arcu GD, reliqui arcus DT, CG, æquales erunt.) erit quoque arcus CN,
arcus CG, duplus; sed quando arcus CG, duplicatur usque ad N, recta CN ad
FG, perpendicularis est, diuiditq; HI, bifariam, vt supra demonstratū est. Igitur
quando arcui TA, æqualis sumitur TN, recta quoq; CN, bifariam secabit HI,
in M, cum ex hoc sequatur reliquum arcum CN, sestum esse bifariam in G, vt
demonstratum est.

Q V A N D O recta inclinata FG, per centrum transit, vt in secunda figura,
demonstrabimus triangulū CHI, abscissum triangulo CFG, esse simile, sed sub-
contrarie positi, etiam parallela G, ducta nō sit, hoc modo. ^{d 31. tertij.} Quoniam angulus
FCG, in semicirculo rectus est, atq; ex eo demissa per pendicularis CE, ad basem
trianguli CHI, erit angulus HCE, angulo CIH, & angulus ICE, angulo CHI,
æqualis. ^{e 8. sexti.} Est autem angulo HCE, æqualis angulus CFG, (Ambo enim insistunt
arcubus AF, CG, qui æquales sunt, propter angulos ad verticē in centro E, æqua-
les AEF, CEG, & angulo ICE, angulus CGF, æqualis, quod ambo insistant arcu-
bus AG, CF, qui æquales sunt, ob angulos AEG, CEF, æquales ad vetticē E, in ^{f 27. tertij.}
centro. Igitur & anguli CIH, CFG, & CHI, CGF, æquales erunt; estque angulus
CFG, cōs. Igitur æquiangula sunt triāgula CHI, CFG, & subcontrarie posita.

C O R O L L A R I V M.

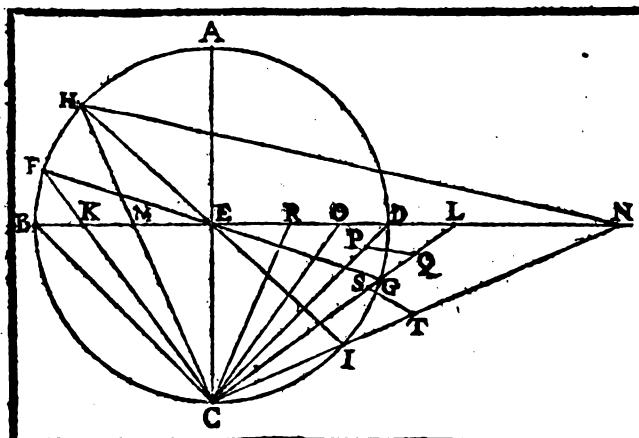
E X ijs que hoc loco demonstrata sunt, colligitur, si in quovis circulo
due diametri se ad rectos angulos secantes ducantur, rectam lineam, que
ad aliquam aliam diametrum obliquam perpendicularis ducitur ab extremo

P virtutis

triangulis diametrorum sc̄e ad angulos rectos secantium, dividere bifariā segmentum cuiusvis linea recta alteri diametro aequidistantis interceptionem inter rectas ex eodem illo punto extremitate per terminos diametri oblique eductas. Vt si in circulo ABCD, secunda figura ductis duabus diametris sc̄e ad rectos angulos secantibus AC, BD, ex punto extremitate CL, diametri AC, ad quilibet obliquam diametrum FG, ducatur perpendicularis CL: dico eam productam sc̄are bifariam in Y, segmentum V X, cuiusvis recta V X, alteri diametro BD, aequidistantis, inter rectas CF, CG, interiectum. Quoniam enim ex scholio propos. 4. lib. 6. Euclid. est ut HM, ad MI, ita YT, ad V X, estq; HM, ipsi MI, aequalis, ut ostensum est; erit quoque YT, ipsi V X, aequalis. Eademque ratio est de quacunque alia linea aequidistante ipsi BD, siue ea ultra BD, quantumvis intervallo distans ducatur, siue citra BD.

LEMMA XXXVI.

SI in circulo duæ diametri sc̄e ad rectos angulos secant, & in eodē aliæ duæ diametri ad illas inclinatæducantur, ab uno autē extremitate alterutrius diametrorū priorum per extrema posteriorū binarū rectarū exténdantur: Erūt rectæ ex altera priorum diametrorum à binis rectis abscissæ maiores diametro circuli, ipsaq; inter se erunt quoq; inæquales, maior videlicet illa, cuius diameter inclinata maiore angulum cum altera illa diametrorum priorum cōstituit.



In circulo ABCD, cuius extrâ E, secant se ad rectos angulos duæ diametri AC, BD, & in eodē sunt duæ diametri ad illas inclinatae FG, HI, ex que ex puncto extremitate C, tam per extremitatem F, G, rectæ CF, CG, extendantur secantes BD, in K, L, quam per extrema H, I, rectæ CH, CI, secantes eandem BD, in M, N. Dico utramq; rectam abscissam KL, MN, maiorem esse

CG, extendantur secantes BD, in K, L, quam per extrema H, I, rectæ CH, CI, secantes eandem BD, in M, N. Dico utramq; rectam abscissam KL, MN, maiorem esse

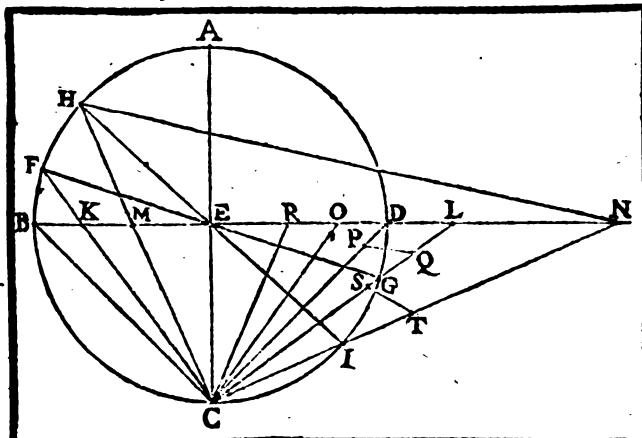
L E M M A XXXVI. 115

esse diametro BD, ipsasq; inter se inæquales, & MN, maiorem quam KL. Iunctis enim rectis CB, CD, & sumpta recta EO, æquali ipsi EK, iungatur recta CO. Et quoniā duo latera EB, EC, duobus lateribus ED, EC, æqualia sunt, angulosque cōtinent æquales, utpote rectos; erunt etiā bases CB, CD, æquales. Eadē ratio-
ne æquales erunt rectæ CK, CO, propterea quod & duo latera EK, EC, duobus lateribus EO, EC, æqualia sunt, angulosq; æquales, rectas videlicet, continent.
b Quia vero in triangulo ECO, externus angulus DOC, interno recto OEC. ma-
ior est, & propterea in triâculo COD, angulus ODC, recto minor, quod a mbo COD, ODC, duobus rectis minores sint; d Erit recta CD, maior, quā recta CO.
Eademq; ratione CL, maior erit quā CD; propterea quod in triâculo ECD, an-
gulus quoq; externus LDC, interno recto DEC, maior est, ideoq; in triangulo
CDL, angulus DLC, recto minor, cum ambo CDL, DLC, sint duobus rectis mi-
niores. Abstindatur recta CP, ipsi CO, hoc est, ipsi CK, & CQ, ipsi CD, hoc est,
ipsi CB, æqualis, iungaturq; recta PQ. Quoniam igitur duo latera CP, CQ, duo
bus lateribus CK, CB, æqualia sunt, & angulosq; continent æquales PCQ, KCB,
quod æqualibus arcibus DG, BF, insistant; (Sunt enim hi arcus æquales, cum
eis insistant in centro anguli ad verticem æquales.) erunt triangula PCQ,
KCB, æqualia; ac proinde triangulum DCL, cuius triangulum PCQ, pars est,
maiùs erit triangulo KCB. Eſt autem, ut triangulum DCL, ad triangulum
KCB, ita basis DL, ad basem BK. Igitur & basis DL, base BK, maior erit: ad-
ditaque communi recta KD, tota KL, maior fiet, quam tota BD Non aliter de-
monstrabimus MN, maiorem esse eadem BD.

DE INDE recte EM, accipitur aequalis ER, iungaturq; recta CR, que
 ostendetur ipsi CM, aequalis, quemadmodum CO, ipsi CK, ostensa est aequalis. Cu
 enim duo latera EC, EM, duobus lateribus EC, ER, sint aequalia, contineantque
 angulos rectos aequales; erit bases CM, CR, aequales.[¶] Quia vero in triangulo i 4. primi.
 ERC, angulus externus LRC, interno recto RE, maior est, ideoq; in triangulo LRC, angulus RLC, maior recto, cū ambo LRC, RLC, duobus rectis mino
 res sint; erit recta CL, maior quam CR. Eademq; ratione maior ostendetur k 16. primi.
 CN, quam CO, propterea quod in triangulo EOC, externus angulus NOC, in- l 17. primi.
 terno recto OEC, maior quoq; erit, ideoq; in triangulo CON angulus CNO, minor recto. Abscindatur CS, ipsi CR, hoc est, ipsi CM, & CT, ipsi CO, hoc est ipsi CK, aequalis, iungaturq; ST. Quoniam igitur duo latera CS, CT, duobus late- m 19. primi.
 ribus CM, CK, aequalia sunt, angulosq; cotinenter aequalis SCT, MCK, cū insistat n 27. tertii.
 arcubus GI, FH, qui aequalis sunt ob angulos ad verticem in centro aequales; o 26. tertii.
 erunt triangula SCT, MCK, aequalia: atque idcirco triangulum LCN, cuius triangulum SCT, pars est, maius erit triangulo MCK. ¶ Est autem ut trian- p 4. primi.
 gulum LCN, ad triangulum MCK, ita basis LN, ad basem KM. Igitur & ba- q 1. sexti.
 sis LN, base KM, maior erit; additaque communi recta ML, tota MN, maior
 sit, quam tota KL. quod est propositum.

PORRO tam rectam KL, quam MN, maiorem esse diametro BD, vel FG, vel HI, hac etiam ratione demonstrari poterit. Concipiatur animo conus scalenus, cuius vertex C, & basis circulus circa diametrum FG', ad planum trianguli CFG, rectus, quem conum fecet aliud planum ad idem triangulum per axem CFG, rectum abscindens triangulum EKL, quod per praecedens lemma subcontraries positum est, sed simile triangulo per axem CFG : ac proinde hoc posterius planum per lemma 17. in cono circulum faciet, cuius diameter KL. Et quia diameter FG, diuisa est bifariam in centro E, erit diameter KL, maior, fecabiturq; in E, non bifariam, & maiore eius portio erit EL, versus eam partem, vbi diameter

a 18. primi. KL, cum latere CG, trianguli per axem facit minorem angulum L, vt in scholio eiusdem lemmatis 17. demonstrauimus. Esse autem angulum L, minorem angulo K, perspicuum est. Quia enim angulus L, æqualis est angulo F, & angulus K, angulo CFG, ob subcontrariam sectionem; Est autem angulus F, minor angulo CFG, quod & latus CG, minus sit latere CF, ex scholio propos. 29. lib. 3. Euclid. Erit quoque angulus CLK, minor angulo CKL. Eodem modo ostendemus rectam MN, maiorem esse diametro HI.

b 18. primi.

HOC idem demonstrabimus hoc modo. Iuncta recta HN; quam EN, maior est semidiametro ED, vel EH; erit angulus EHN, maior angulo ENH. Est autem angulus CHI, æqualis angulo CNM, ob subcontraria

c 10. primi.

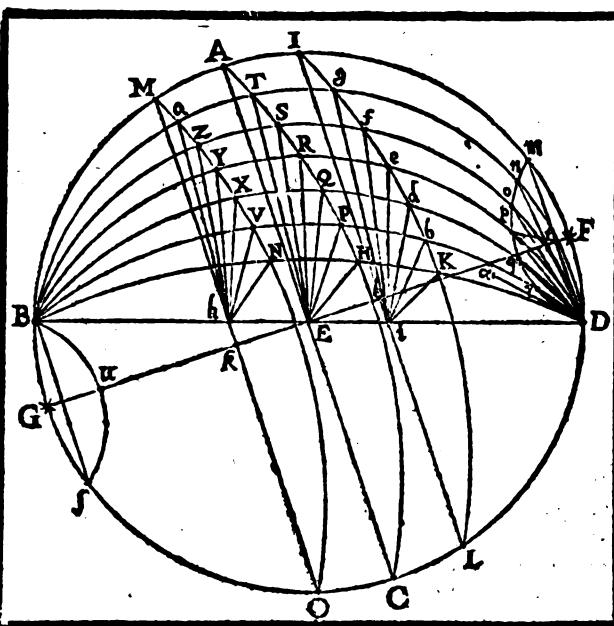
sectionem, ut in praecedenti lemmate demonstratum est. Igitur totus quoque angulus CHN, maior erit toto angulo CNH; ac proinde latus CN, latere CH, maius erit: quia cu[m] in subcontrariis triangulis similibus CMN, CIH, opponantur æqualibus angulis CMN, CIH, vt in lemmate praecedente ostensum est; erit diameter subcontrariæ sectionis MN, maior diametro basi HI, coni scaleni ex ijs, qua ad initium scholij lemmatis 17. demonstrauimus.

QVOD si ex maiore latere CN, minori CH, abscederetur recta æqualis, & per punctum sectionis ipsi recte PN, parallela ageretur, vt abscederetur alius triangulu subcontrariu[m], esset tu demum basis huius trianguli basi HI, æqualis, vt ad initium scholij eiusdem lemmatis 17. demonstrauimus: sed tunc neque basis subcontrarie sectionis bifaria diuidetur, vt ex iis, quæ in scholio eiusdem lemmatis 17. demonstrata sunt à nobis, liquido constat. Sic etiam si minus latus CH, produceretur donec majori CN, æquale fieret, & per extremu[m] punctu[m] basi HI, parallela ageretur, quæ esset basis alterius coni scaleni, esset tu demum etiam hec basis æqualis basi trianguli subcontrarij MN: sed tunc neutra etiam basium bifaria diuidetur. Quæ oia ex iis, quæ in scholio lemmatis 17. demonstrauimus, colligi possunt. Quod de triangulis subcontrariis CHI, CNM, diximus, idem de subcontrariis triangulis CFG, CLK, intelligendum est. Eadem enim demonstratio adhibebitur, si recta FL, jungatur, vt manifestum est. Itaque quod lemma hoc proponit, diametru[m] subcontrariæ sectionis KL, vel MN, semper esse maiorem basi FG, vel HI, non est contrarium ei, quod in scholio lemmatis 17. demonstrauimus, nimurum fieri posse, vt interdu[m] bases trianguloru[m] subcontrarior[u] æquals sint: quia cum hic semper basis coni FG, vel HI, bifariam secetur, sit vt basis subcontrarii trianguli necessario maior sit, numquam autem æqualis, vt demonstratum est.

L E M-

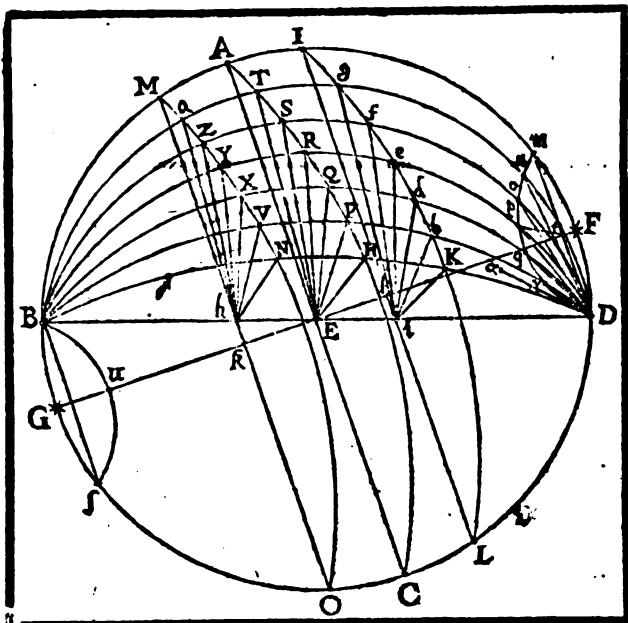
CIRCVLI positionum in sphæra obliqua boreali secantes arcum semidiurnum Aequatoris in partes æquales, secant arcus semidiurnos parallelorum in partes inæquales: Et in parallelis quidem australibus quælibet pars inter Meridianum & quemlibet circulum positionis minor est respectu proprij arcus semidiurni, quam eadem pars in Aequatore respectu arcus semidiurni Aequatoris; In borealibus vero maior. Idem tamen circuli positionum parallelos Horizontem tangentes secant quoque in partes æquales.

IN sphæra ABCD, obliqua boreali, cuius cœtrum E; Horizon obliquus BHD; axis mundi FG; Aequator AHC; parallelii borealis IKL; australis MNO; Meridianus ABCD, per polos mundi, & Horizonis ductus. Diffuso autem quadrante Aequatoris A H, Orientali, vel Occidentali, in sex partes æquales in P, Q, R, S, T, ducentur per divisionem puncta B, D, vbi Meridianus Horizontem secat, circuli maximi positionis secantes parallelos in V, X, Y, Z, a, b, d, e, f, g. Dico parallelos in partes inæquales esse diuisos, & arcus Ma, MZ, MY, MX, MV, minores partes esse respectu arcus semidiurni MN, quam arcus AT, AS, AR, AQ, AP, respectu arcus semidiurni Aequato-



a.s.o.s.Theor.

115. s. Then. Acquatoris AH : at arcus Ig, If, Ie, Id, Ib, maiores respectu arcus semidiurni IK . Sint enim BD, MO, AC, IL, communes sectiones. Horizontis, parallelorum, ac Meridiani. Et quoniam Meridianus Horizontem, omnesque parallelos secat bisarciam; erunt BD, MO, AC, IL, Horizontis, ac parallelorum diametri, axisque FG, per parallelorum centra k, E, l, transibit, eruntque MN, AH, UK, intor Meridianum & Horizontem, arcus semidiurni. Ductis autem ex h, E, i, punctis, vbi parallelorum diametri Horizontis diametru secant, rectis hN, EH, iK, hV, EP, ib, & ad reliqua diuisionum puncta; erunt hN, EH, iK, communes sectiones Horizontis ac parallelorum; ac proinde parallela: At vero hV, EP, ib, communes sectiones circuli positionis BPD, & parallelorum; ideoq; & inter se parallela, atque ita de cæteris dicendum est. Erunt igitur tam sex anguli ad h, quam sex ad i, constituti æquales sex ad E, constitutis. **Sunt autem omnes sex** ad E, inter se



Ma, minor, quām sexta pars arcus semidiurni MN, cum quilibet sequentium quinq; partium a Z, ZY, &c. maior sit, quām Ma. Sic erit MZ, minor quām tertia pars eiusdem arcus MN, quod vnaquaque diuturnum ZX, XN, maior sit quam MZ. Nam & tres anguli MhZ, ZhX, XhN, & quales sunt, cum eorum semilles sint equales. Item arcus MY, minor erit semille eiusdem arcus MN, cum YN, maior sit, quam MY, propterea quod & duo anguli MhY, YhN, & quales sunt, quippe quo-
rum tertiae partes & quales sunt. Pari ratione arcus MX, erit minor quam duae tertiae partes eiusdem arcus MN, quod XN, si maior quam tertia pars, cum maior sit utroque arcuum XZ, ZM. Denique MV, minor erit quām quinque sex-
tae partes eiusdem arcus MN, quod NV, maior sit quām sexta pars, propterea quod

ad E, inter se
æquales, cum
in centro E,
infstant sex
arcubus æ-
qualib⁹ HP,
PQ, &c. Ig-
tur & omnes
anguli tā ad
h, quam ad i,
æquales erūt:
ac proinde
ex lemmate
32. tam arcus
Ma, aZ, &c.
quam arcus
Ig, gF, &c. in-
æquales erūt,
minor quidē
Ma, quā aZ,
& aZ, minor
quā ZY, &c.
at vero Ig
major quam
gf, & gf, ma-
ior quam fe,
&c. Est ergo

quod maior est qualibet reliquarum quinque partium VX, XY, &c. E contrario erit Ig, maior quam sexta pars arcus IK, cum maior sit qualibet sequentium quinque partium gf, fe, &c. Item If, maior erit quam tertia pars eiusdem arcus IK, cum maior sit qualibet duarum partium fd, dK. Nam & tres anguli If, fd, dK, aequales sunt, cum eorum semitiae aequales sint. Rursus Ie, erit maior quam semissis eiusdem arcus IK, quia maior est quam eK, quod & duo anguli Ile, eK, aequales sint, cum eorum tertie partes sint aequales. Præterea Id, maior erit quam duæ tertie partes eiusdem arcus IK, propterea quod dK, minor est tertia parte, cum minor sit utroque arcum df, fI. Denique Ib, erit maior quam quinque sextæ eiusdem arcus IK, quod Kb, minor sit quam sexta pars, quippe cum minor sit qualibet aliarum quinque partium bd, de, &c.

CONTRARIVM accidet in sphera obliqua australi. Arcus enim absconditi à Meridiano, & circulis positionum, maiores erunt in parallelis australibus, & in borealis minores, respectu arcuum semidiorum, quam iudicem arcus in Aequatore, respectu arcus semidiurni Aequatoris.

SED iam idem circuli positionum secant parallelum Dpm, qui Horizontem tangit in D, & cuius diameter Dm, in punctis n, o, p, q, r. Dico arcus mn, no, op, pq, qr, rD, aequales inter se esse, sicut in Aequatore. Ductis enim rectis Dn, Do, Dp, Dq, Dr, aequæ rectis ET, ES, ER, EQ, EP, paralleles sunt, erunt rursum quinque anguli mDn, nDo, oDp, pDq, qDr, quinq; angulis aequalibus AET, TES, SER, REQ, QEP, aequales; ideoque & inter se aequales erunt: Quinque ergo arcus mn, no, op, pq, qr, aequales inter se erunt. Et quia ducta semidiametro tp, angulus mtp, in centro duplus est anguli mDp, in circumferentia: Est autem angulus mDp, aequalis angulo AER, quod eorum tertie partes sint aequales ostensi. Igitur angulus mtp, duplus quoque erit anguli AER. Cum ergo angulus A EH, duplus quoque sit eiusdem anguli AER, quod & arcus AH, duplus sit arcus AR; aequales erunt anguli mtp, A EH; ideoque arcus mtp, AH, similes, ex scholio propos. 22. lib. 3. Euclid. Cum ergo AH, sit quadrans, erit & mtp, quadrans, ac proinde & pD, reliquus ex semicirculo quadrans erit. Est autem arcus op, tertie pars quadrantis mp, quod tres arcus mn, no, op, ostensi sint aequales. Igitur & arcus pq, qr, qui illis aequales sunt, tertia pars erunt quadrantis pD, ac proinde & reliquus rD, tertia pars erit eiusdem quadrantis pD, atque idcirco omnes sex arcus quadrantis mpD, aequales inter se erunt. quod est propositum.

VERVM postquam probatum est, quinque arcus mn, no, op, pq, qr, aequales esse, ostendemus etiam rD, illis esse aequalē, hoc modo. Sit Dz, communis sectio Horizontis & parallelis mpD, qui ex defin. lib. 2. Theod. vtrumque circumferentiam tanget, eritque ipsi EH, parallela, ac proinde angulus aDr, angulo HEP, ideoque & reliquis ad punctum D, aequalis erit. Est autem angulus aDr, aequalis angulo in alterno segmento, qui arcui Dr, insistit. Igitur idem angulus arcui Dr, insistens quinque angulis rDq, qDp, pDo, oDn, nDm, aequalis erit, iac proin de omnes sex arcus quadrantis mpD, aequales inter se erunt.

Eadem ratione demonstrabimus eosdem positionum circulos productos oppositum semicirculum tangentem Bus, secare in sex partes aequales.

a 26. undec.
b 10. undec.
c 26. tertij.

d 20. tertij.

e 33. sexti.

f 16. undec.
g 10. undec.
h 32. tertij.
i 26. tertij.

IN sphæra obliqua boreali circuli per horas inæquales Aequatoris, & cuiusuis parallelī transeuntes, secant Meridianum ex parte australi infra Horizontem, inter eundem Horizontem, & polum australem; ex parte vero boreali supra Horizontem, inter eundem Horizontem, & polum Septentrionalem.

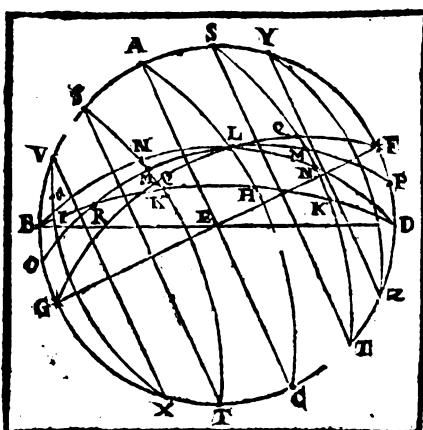
a. 1. Theor. IN sphæra obliqua boreali, cuius centrum E, Meridianus ABCD; axis mundi FG; Horizon BHD, Aequator AC; parallelus siue australis, siue borealis SKT; arcus semidiurni AH, SK. ^a Ducatur per aliquam horam Aequatoris inæqualem L, & respondentem horam inæqualem parallelī M, circulus maximus LM. Dico eum secare Meridianum ex parte australi inter B, & polum australē G, infra Horizontem, nimirum in O; ex parte vero boreali inter D, & polum boreale F, supra Horizontem, nimirum in P. ^b Ducatur enim per idem punctū L, Aequatoris circulus positionis BLD, secans parallelū in N, & maximus circulus per polos mundi FLG, secans parallelū in Q. Quoniam igitur per lemma præcedens, arcus SN, in australi parallelo minor est respectu arcus semidiurni IK, quam arcus AL, respectu arcus semidiurni AH, hoc est, quam arcus SM, respectu arcus semidiurni eiusdem SK; in boreali autem parallelo maior; cadet punctū M, in parallelo australi infra N, in boreali vero supra.

b. 2. Theor. Rursus quoniam arcus AL, SQ, similes sunt, continebuntur tot horæ æquales in SQ, quot in AL: Continentur autem totidem

horæ inæquales in SN, quot in AL, suntque horæ inæquales in parallelo australi minores horis æqualibus, & in boreali maiores. Igitur in parallelo australi punctum horæ inæqualis M, cadet supra punctum horæ æqualis Q, in boreali vero infra. Ostensum autem est idem punctum M, cadere infra N, in parallelo australi, & in boreali supra. Igitur circulus LM, maximus horæ inæqualis, cum inter puncta N, Q, cadat, secabit Meridianum inter circulos BLD, FLG; ac proinde ex parte australi eundem secabit infra Horizontem in punto O, inter Horizontem & polum australē G; ex parte autem boreali supra Horizontem in punto P, inter Horizontem & polum boreale F. Eademque ratio est de alijs circulis horarum inæqualium.

IN sphæra obliqua australi contrarium intelligas. Ibi enim circulus cu-

c. 2. Theor.



Ius cuiuscumque horæ inæqualis secabit Meridianum infra Horizontem ex parte boreali, supra vero ex parte australi, semper tamen inter Horizontem & polum mundi.

L E M M A XXXIX.

CIRCVLI maximi transeuntes per horas inæquales Aequatoris, & duorum parallelorum oppositorum, non necessario per horas inæquales parallelorum intermediorum transeunt in sphæra obliqua.

R E P E T A T V R. figura antecedentis lemmatis. Et quoniam circulus maximus LM, transiens per inæqualem horam eandem Aequatoris & parallelis ST, secat Meridianum ex parte australi B, infra Horizontem, ut in lemmate antecedente demonstratum est; secabit idem Horizontem ex eadem parte, in quam arcus semidiurni vergunt, in puncto R, ante punctum B. Describatur ergo parallelus australis VIX, cuius arcus semidiurnus VI, secet Horizontem inter B & R, & ei æqualis oppositus describatur YZ. Sumatur autem in arcu semidiurno VI, arcus Va, tot horarum inæqualeum, quot in arcibus AL, SM, continentur. Quia vero circulus maximus per puncta a, L, descriptus transit per eandem horam inæqualem in parallelo opposito boreali YZ, vt in scholio propos. 10, lib. 1. Gnomonices demonstrauimus, non transibit idem circulus per eandem horam inæqualem M, in parallelo intermedio ST, quandoquidem maximus circulus per L, M, ductus non transit per a, sed Horizontem secat in R, nullo modo parallelum VX, supra Horizontem secat; ac prouide à circulo per a, & L, ducto diuersus est.

Q V O D si describantur circuli maximi per omnes sex horas arcus semidiurni Aequatoris & paralleli ST, secabunt ijdem omnes Meridianum ex parte australi B, infra Horizontem, ac proinde Horizontem citra punctum B. Si igitur parallelus australis describatur, cuius arcus semidiurnum nullus eorum circulorum maximorum fecerit, & per sex horas inæquales huius arcus semidiurni, & Aequatoris, describantur maximi circuli, transibunt quidem ij, ex scholio propos. 10. lib. 1. Gnomonices, per sex horas inæquales paralleli borealis oppositi, sed nullo modo intermedium parallelum ST, in horis inæqualibus intersecabunt, quippe qui differant à circulis maximi, quos per horas inæquales Aequatoris, & paralleli ST, duci diximus, cum hi parallelum australem non sequent supra Horizontem, ex constructione.

D E M. liquido constat in cieuatione poli grad. 66. $\frac{1}{2}$ vbi tropici Horizontem tangunt, & tropicus $\textcircled{20}$, totus est supra Horizontem, & tropicus $\textcircled{36}$, infra. Quoniam enim, vt in lemmate 37. demonstrauimus, circuli positionū transeunt in ea sphæra per horas inæquales Aequatoris, & parallelorum tangentium, sijdemque circuli positionum, ex eodem lemmate dividunt aliorum parallelorum. Secantium intermediorum arcus semidiurnos inæqualiter, perspicuum est, ea in sphæra circulos maximos træsentes per horas inæquales Aequatoris, & veriusque tropici, (in uno quidem per horas diurnas, & in altero per nocturnas) non transire per horas inæquales aliorum parallelorum intermediorum, quippe cum,

Q

horæ inæquales diuidant arcus semidiurnos in partes æquales, quod non fiant circuli positionum in parallelis intermedijs, ut dictum est.

R V R S V S in eadem sphæra obliquitate, si per horas inæquales Aequatoris & alicuius paralleli inter Aequatorem, & tropicum Ξ , positi describantur circuli maximi, cadent omnes hi, ex lemma 37. infra Horizontem, antequam Meridianum fecent. Si igitur parallelus australis inter tropicum Ξ , & Aequatorem describatur, qui Horizontem secat citra omnia illa puncta, per quæ circuli illi maximi incedunt, & eius arcus semidiurnus in sex partes æquales dividatur, transibunt maximi circuli per eas partes & horas inæquales Aequatoris ducti, per horas quoque inæquales oppositi parallelis borealis. Certum autem est, eosdem apud transire per horas inæquales assumpti parallelis intermedijs, cum circuli maximi per horas inæquales Aequatoris, & assumpti parallelis descripti, ab illis omnino differant, quippe qui arcum semidurnum illius parallelis australis non secare possit sint.

S C H O L I V M.

Non dari circulos maximos, qui per horas inæquales omnium parallelorum transibant, hoc est, qui singulorum arcus diurnos in duodenas partes aequales partitio[n]e[n]t i quod tamen omnes qui de horologis describitione egerunt, pro certo accipiunt. Dividunt enim omnes scriptores arcum diurnum Ξ , vel Ξ , in 12. partes aequales, aut certe inueniunt in utroque tropico puncta horarum inæqualium, per quæ puncta, & per horas in equinociali linea rectas ducunt pro linea horarum inæqualium, porro ac si huiusmodi linea horas inæquales indicaretur toto anni tempore. In illar communione sectionum plani horologi, & circulorum maximorum per horas inæquales omnium parallelorum transibuntur. Et certe, ut verum fatear, res hac, cum eius demonstrationem non inuenirem, non paucos annos acriter me torserit, rogauique per literas complures Matheomaticas tam in Italia, quam extra Italiam, ut me docerent, quanam ratione demonstrari posset, considero circulos maximos, qui per horas inæquales Aequatoris, & utrinque tropici ducuntur. (Hoc namque fieri posse, demonstratum à nobis est in scholio propos. 1 o. lib. 1. Gnomonices) per horas inæquales aliorum parallelorum inter tropicos existentium transire. Sed nonquam id, quod desiderabam, impetrare posui, quamvis ex illis non desuerit, quia illud se demonstratum mihi pollicetur: Verum noceſſe est, cum hallucinatum esset quandoquidem à nobis, cum denso eius rei demonstratione inquiviceremus, has loco demonstratarum est, id fieri nulla ratione posse.

Linea horarum inæqualium in horologis quid referatur.

I T A Q V E linea horarum inæqualium in horologijs, qualia etiam in Gnomonica nostra descripsimus, sicut ratiōnēmodo communis sectiones plani horologi. & maximorum circulorum, quæ per horas inæquales Aequatoris, & utrinque tropici, vel certe Aequatoris, & paralleli, cuius arcus diurnus 18. horas aequales, vel 6. continet. Atque ita si geometrica vobis loquitur, non indicabunt vere horas inæquales, nisi cum Sol extiterit in Aequatore, vel in illis parallelis extremis, quorū beneficij descripti sunt. Verum est, in ea sphæra, in qua poli altitudo gradus 45. non excedit, tā exiguum esse discrimen inter veras horas inæquales, & eas, quas dicta linea indicare super altitudinem tropicorum, ut ea linea pro veris assumi posse sine errore, quia sub sensu cadere posse. At ubi altitudo poli maior est, quam grad. 45. non erit: quia ibi maior discrimen apparet, & quo maior fuerit altitudo poli, eo maior differentia excedens inter veras horas inæquales, & illas lineas: quemadmodum etiam eo minor diversitas inter eosdem erit, quod minor altitudo poli fuerit. Quae omnia ex ijs, que demon-

LEMMA XXXIX. ET XXXX.

a 23

Prata hoc loco à nobis sunt, colligi possunt. Quapropter ut verius bora iniquitates indicentur in horologis, inuenienda erunt earum puncta in pluribus parallelis inter duas tropicos, ea arte, qua eadem in tropico veroque inuestigauimus, eaq; deinde puncta, que in linea recta non iacent, congruenter lineolis inflexis contingenda, ut in hyperbolis, & alijs sectionibus conicis describendis fieri solet.

L E M M A XXXX.

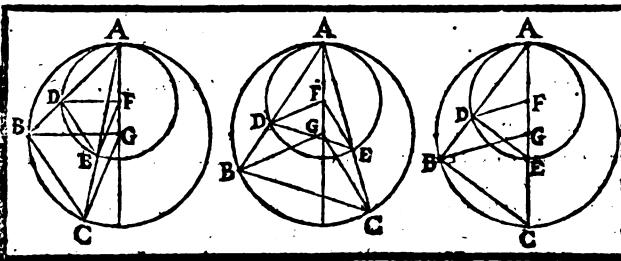
S I in triangulo parallela vni lateri agatur, vel si productis duobus lateribus versus angulum ab eis comprehensum, tertio lateri ducatur parallela, vt duo fiant triangula: Circuli circum ea descripti se mutuo in angulo, vel punto communi tangunt.

S I T primum in triangulo ABC, recta DE, lateri BC, parallela, describan- turque circa triangula ABC, ADE, circuli ABC, ADE, quos dico mutuo se tan- gere in A, angulo communis. Ductis enim ex centris F, G, ad bases triagulorum binis rectis FD, FE; GB, GC,

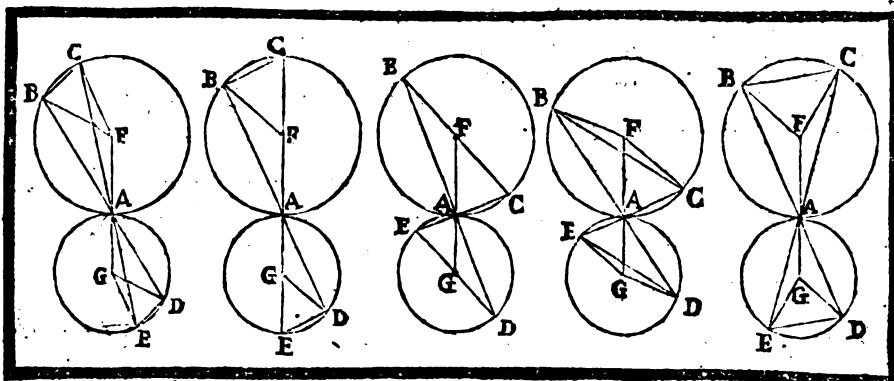
* quoniā tam angulus DFE, quam BGC, anguli BAC, duplus est; erunt ipsis inter se æquales. Ergo & reliqui duo FDE, FED, reliqui duobus GBC,

GCB, æquales erunt; ac propterea, ^b cum tam illi, quam hi inter se æquales sint; ^{b s. primi.} erit quilibet illorum cuilibet horum æqualis, at proinde angulus FDE, angulo GBC, æqualis erit. ^c Est autē & totus angulus ADE, toti angulo ABC, externus ^{c 29. primi.} interno, æqualis. Igitur & reliquis ADF, reliquo ABG, æqualis erit. ^d Est autem ^{d s. primi.} (ductis rectis FA, GA,) angulo ADF, angulus DAF, & angulo ABG, angulus BAG, in hiscilibus ADF, ABG, æqualis. Igitur & anguli DAF, BAG, inter se æquales erunt; ac propterea recta AF, eadem erit, quæ AG, cū eundem angulum facient cum AB. Quare circuli habentes centra in eadem recta AG, & per idem punctum A, descripti, se contingunt in A, ex scholio propos. 13. lib. 3. Euclid.

D E I N D E producis lateribus BA, CA, versus angulum A, sit recta DE, basi BC, parallela, & circa triangula ABC, ADE, circuli describantur, quos dico se mutuo in A, tangere. Ductis enim ex centris F, G, ad bases triagulorum binis rectis FB, FC, GD, GE, * quoniā rursus tam angulus BFC, anguli BAC, quam angulus DGE, anguli DAE, duplus est, ^e sicutque anguli BAC, DAE, ad verticem ^{e 20. tertii.} f. s.s. primi. æquales; erunt quoque anguli BFC, DGE, inter se æquales; ac proinde & reliqui ^f duo



- a s. primi. duo FBC, FCB, simul reliquis duobus GDE, GED, simul æquales erunt.³ Cum ergo tam illi, quam hi sint inter se æquales; erit quilibet illorum cuilibet horum æqualis, ac proinde angulus FBC, angulo GDE, æqualis erit.⁴ Est autem (duo) recti FA, GA, & angulus ABC, angulo ADE, alternus alterno, æqualis. Igitur & reliquo ABF, reliquo ADG, in 1.2. & 5. figura, vel totus toti, in 4. figura, æqualis erit. In 3. figura opus non est hoc discursu, vbi rectæ FB, FC; GD, GE, angulos non constituant, sed in rectum sunt continuatae: anguli tandem ABF, ADG, æquales quoque erunt, cum sint alterni inter parallelas BC, DE. Itaque cum anguli ABF, ADG, æquales sint;⁴ & ille angulo BAF, hic vero angulo DAG, æqualis, erunt quoq; anguli BAF, DAG, inter se æquales; ac pro-



pteræa cum BD, sit linea recta ex hypothesi, efficient quoq; AF, AG, lineā vnam rectam, per ea, quæ ex Proclo ad propos. 15. lib. 1. Eucl. demonstrauimus. Igitur circuli habentes centra in eadem recta FG, & per idem punctum A, descripti, sese in A. contingent, propterea q̄ recta per A, ducta ad FG, perpendicularis vtrumq; circulum tangit, ex coroll. propos. 16. lib 3. Eucl. Hinc enim fit, circulos se non mutuo secare, cum neque illam perpendicularēm secant, sed tangent.

C O R O L L A R I V M.

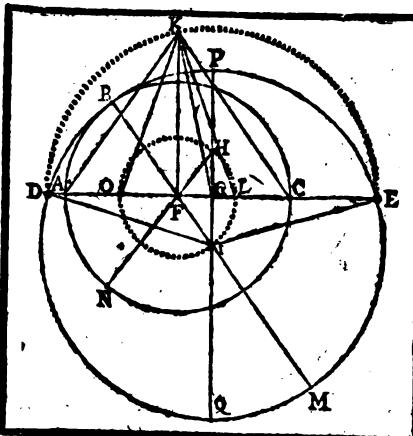
E X his, que ad calcem huius propos. demonstrata sunt, colligitur, duo circulos, qui ex duobus centris in eadem recta existentibus per idem punctum describuntur, se mutuo in eo punto tangere exterius. Huiusmodi sunt duo circuli ABC, ADE.

L E M M A X L I .

PER data duo puncta circulum describere, qui datum circulum tangat. oportet autem dno puncta data vel extra

extra circulum datum existere, vel intra; aut si vnum est in circumferentia, alterum esse in tali situ extra, vel intra circulum, ut recta per vtrumque punctum extensa transeat per circuli centrum.

SIT datus circulus ABC, & primum extra eum data duo puncta D, E, per quae circulum oporteat describere, qui circulum ABC, tangat. Iuncta recta DE, transcat primum per F, centrum dati circuli, seceturq; bifariam in G, puncto, è quo perpendicularis exciteretur HGI, ad DE, in qua omnino erit circuli describendi centrum, ex coroll. propos. 1. lib. 3. Euclid. quod sic reperiemus. Descripto ex G, semicirculo DKE, fecerit eum in K, recta FK, ex centro F, ad DE, ducta perpendicularis, ductaque ex K, ad alterutru extremorum diametri AC, ut ad A, recta KA, fiat angulo KAC, æqualis angulus AKL, secetq; KL, rectam DE, in punto L, eritq; necessario FL, maior quam PG, inter centrum, & punctum medium intercepta. Nam iuncta recta GK, cù æqualis sit ipsi GD, maior est, quam GA. Igitur in triâgulo AKG, angulus GAK, maior est angulo AKG; ac proinde & angulus AKL, qui ipsi KAL, factus est, è qualis, maior est angulo AKG, ideoq; recta KL, ultra G, cadet inter G, & E, hoc est, FL, maior erit quam PG. Descripto ergo ex F, per L, arcu circuli secato perpendiculari HI, in H, & I; est I, ceterum circuli per D, E, transversatis, & circulum ABC, tangentis supra rectam DE, at H, erit centrum circuli tangentis cùdem infra rectam DE. Ducta enim per F, I, recta BFIM, describatur ex I, ad intervalium IB, circulus, qui ex scholib propos. 15. lib. 3. Euclid. circulum ABC, in B, tangent. Dico eundem per data puncta D, E, trâsire. Iunctis enim rectis ID, IE, quo niam FI, FL, æquales sunt; additis æquibus FB, FA, totæ æquales erunt IB, LA; ideoque cù LK, ipsi LA, æqualis fit, ob æquales angulos LAK, LKA; erunt quoq; rectæ LK, IB, æquales, atque eam quadrata æqualia. Est autem quadratum rectæ LK, quadratis rectarum FK, FL, æquale, & quadratum rectæ IB, æquale rectangulo sub BF, FM, vna cù quadrato rectæ FI, vel FL. Igitur & duo quadrata rectarū FK, FL, æqualia sunt rectangulo sub BF, FM, vna cum quadrato rectæ FI, sibiatoq; communi quadrato rectæ FL, erit reliquum quadratum rectæ FK, vel aliquo rectangulo sub BF, FM, æquale. Sed quadratum rectæ FK, æquale quoque est rectangulo sub DF, FE, quod FK, media proportionalis sit inter DF, FE, ex scholio propos. 13. lib. 6. Euclid. Igitur & rectangulum sub BF, FM, rectangulo sub DF, FE, æquale erit. Cù ergo rectangulum sub BF, FM, vna cum quadrato rectæ FI, hoc est, cum quadratis rectarū FG, GI, (cù hæc illi sint æqualia) æquale sit quadrato rectæ IB, et quoque rectangulum sub DF, FE, vna cum quadratis rectarum FG, GI, qua-



a 18. prius

b 6. primi

c 47. primi
d 5 secundi

e 17. sexti

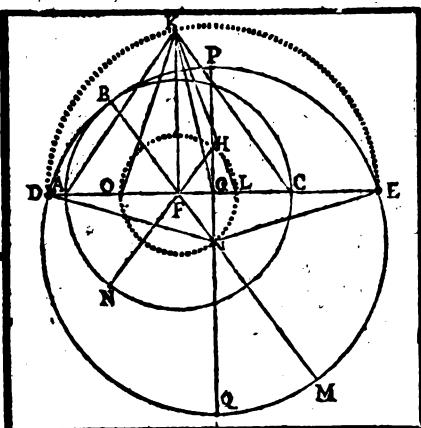
f 5. secundi

g 47. primi

a 5. secundi. quadrato rectæ IB, æquale. Atque rectangulum sub DF, FE, vñà cum quadrato rectæ FG, æquale est quadrato rectæ DG. Igitur & quadratum rectæ DG, (quod iam pr o rectangulo sub DF, FE, vñà cum quadrato rectæ FG, sumatur,) vñà cū quadrato rectæ GI, hoc est, quadratum rectæ ID, (quod quadratis rectarum DG, GI, æquale est,) quadrato rectæ IB, æquale erit; ac proinde & rectæ ID, IB, æquales erunt. Cum ergo ID, IE, æquales quoque sint, quod duo latera DG, GI, duobus lateribus EG, GI, a qualia sint, angulosque contineant rectos aquales; erunt tres rectæ IB, ID, IE, æquales. Quare circulus ex I, per B, descriptus, tangensque circulum ABC, in B, ve dictum est, transbit per data puncta D, E, quod est propositum.

QVOD si ex K, ad alterum extremū C, diametri circui dati recta ducatur KC, anguloque DCK, & equalis fiat angulus CKO, secante recta KO, rectam DE, in O; erit FO, ipsi FL, & equalis, ut monstrabitur, atque idcirco, descripto ex F, per O, circulo, secabitur HI, in oodem centro I, atque idem propterea censum semper inuenietur, siue ex K, ad A, siue ad C, recta ducatur, &c. Rectam autem FO, ipsi FL, & qualiter esse, sic demonstrabitur. Quoniam duo latera AF, FK, duobus lateribus CF, FK, & equalia sunt, angulosque continent aequalia, & rectos;

d. prima



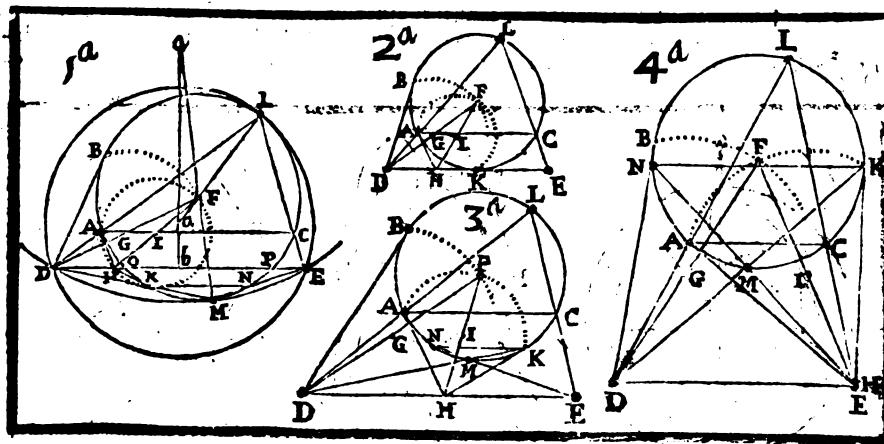
e 26. primi.

transire que per data puncta D, E.

SI quando contingat centrum circuli dati, & punctum medium recte data duo puncta coniungentis, coincidere, ut si G, esset centrum dati circuli DPEQ, factum negotio describemus circulum per duo puncta D, E, qui datum circulum contingat. Circulus enim per tria puncta D, P, E, (excitata prius ad DE, perpendiculari PQ.) descriptus tanget circulum DPEQ, in P, eundemque tangentem circulus per tria puncta D, Q, E, descriptus: atque utriusque centrum in perpendiculari PQ, existet, ex coroll. propos 1. lib. 3. Euclid.

T R A N S E A T deinde recta DB, non per F, centrum circuli dati ABC, sed vel omni secet utcunque, vt in prima figura, vel tangat, vt in 2. vel tota sit extra, ita vt producta eum neque secet, neque tangat, vt in 3. & 5. figura, vel denique ita sit extra, vt producta eum secet, aut tangat, vt in 6. & 7. figura. Iuncta recta DF, sectaque bifariam in G, describatur ex G, circa DF, circulus secans datum circum in B, iungaturq; recta DB, quæ ex scholio propos. 31. lib. Eucl.

datum circulum tanget in B. Invenient autem ipsi DE, DB; tercia proportionalis DH, cadet punctum H, in prima figura extra circulum datum versus punctum D, ex quo tengens DB, ducta est.^a Quoniam enim quadratum recta DB, recta gulo sub DE, DH, aequalis est;^b nec non & rectangulo sub DB, DO; erit rectangu-^c gulum sub DE, DH, rectangulo sub DP, DO, aequalis.^d Igitur erit ut DE, ad DL,^e ita DO, ad DH. Cum ergo DE, maior sit quam DP, erit quoque DO, maior quam DH, ideoque punctum H, inter D, & O, erit. Parti ratione in secunda figura punctum H, inter D, & punctum contactus K, existeret. Cum enim sit ut DE, ad DB, hoc est, ad DK, (est namque DK, ipsi DB, aequalis; ex coroll. 2. propos. 36. lib. 3. Euclid.) ita DB, vel DK, ad DH; si autem DE, maior quam DK; erit quoque DK, maior quam DH. In tercia autem figura idem punctum H, est inter D, E, punctum. In 4. idem, quod E ac proinde DB, DE, aequalis; Et in 3. ultra punctum E. Denique in 6. & 7. figura idem punctum H, ultra circulum existet: quod in 6. ita probatur.^f Quod in 7. figura quadratum recta DB, aequalis est tamen rectangulo sub DE, DH; quia rectangulo e 36. tertii. ab DO, DP; et rectangulo sub DE, DH, & sub DO, DP; aequalia; ac proinde f 16. sexti.

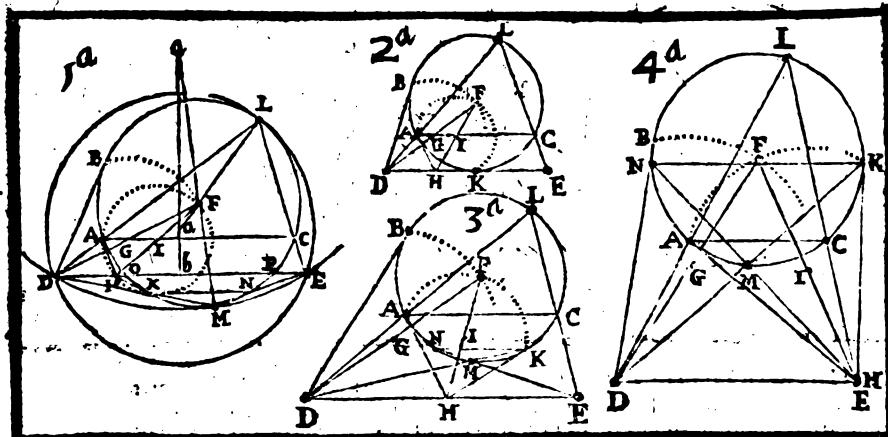


erit ut DE, ad DO, ita DP, ad DH. Cum ergo DE, minor ponatur quam DO; erit quoque DP, minor quam DH, ideoque H, ultra P, erit. In 7. autem huc erit demonstratio. Quoniam est ut DE, ad DB, hoc est, ad DA. (Est namque DA, ^{ad} DB, aequalis, ex coroll. 2. propos. 36. lib. 3. Euclid.) ita DB, vel DA, ad DH; Est autem DE, minor quam DA; erit quoque DA, minor quam DH.

D E I N D E iuncta recta HF, eaque secunda bifariam in I, describatur ex I, circa FH, circulus secans datum circulum in A, K, punctis, per quos si ex D, puncto dato, a quo tangens linea DB, ducta est, recta duocantur DA, DK, secantes circuferentiam dati circuli in L. M; tagetur circulus per tria puncta D, E, L, descriptus datum circulum in L, vt in prima figura, in qua circulus DL, descriptus est, apparet; Et circulus per tria puncta D, E, M, descriptus eundem continget in M, vt in 1. & 5. figura patet, ubi descripsimus circulum DE, M, centrum autem circuli tangentis est punctum a, in quo perpendicularis ba, rectam DE, bifariam secans rectam FL, vel FM, per F, centrum dati circuli, & punctum L, vel M, eiectam intersectat. Nam per coroll. propos. 1. lib. 3. Euclid perpendicularis ba, transit per centrum

a 11. vol 18 centrum cūlusuī circuli per D, E, descripti, & in FL, necessario centrum circuit tangentis circulū datum ABC, in L, existit, cum recta per duo centra circulū tangentis circulū ABC, in L, nō dicatur existere in recta FL. Secabit recta ex centro illius ducta per F, centrum duci circuli rectam FL, in E. Quia e producta cadere nō potest in contactum L, quod est absurdum. Si ergo circulus per tria puncta D, E, L, descriptus tangere debet datum circulum in L, ut infra demonstrabitur, existet eius centrum in recta FL. Eademq; ratione centrum circuli per tria puncta D, E, M, descripti, tangentisq; datum circulum in M, ut in eadem prima figura apparet, existit in a, communī sectione perpendicularis ba, & recta MF. Contactus porro in L, est interior, at in M, exterior, exceptis figuris 1. & 6. In prima enim contactus in M, interior quoque est, & in 6. contactus in L, exterior. In secunda figura autem unus tantum sit contactus, sique interior in L: Similiterq; in 7. figura unus duntaxat contactus fit, isoq; exterior in M. Non descriptusq; tamen omnes circulos tangentes, & contactio vitaretur, arbitrantes satis esse exemplum in 1. figura de circulis intus sese tangentibus in L, & alterum exemplum in 5. figura de circulo tangentio exoriens.

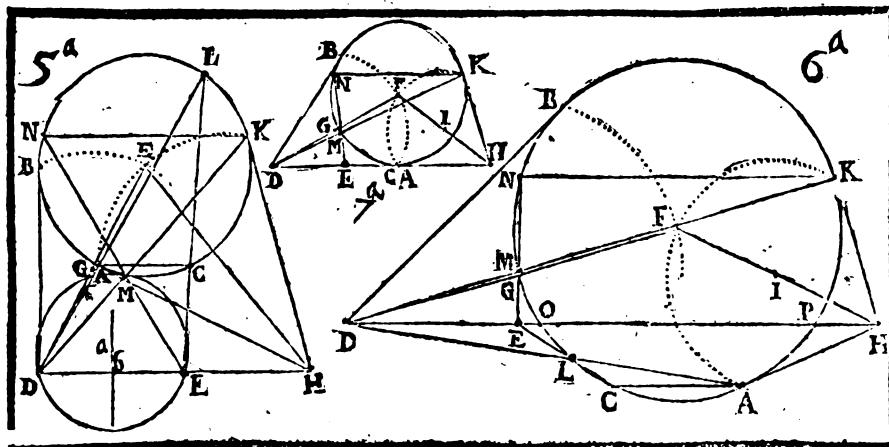
C A E T E R V M circulum per tria puncta D, E, L, descriptum tangere datum circulū in L, sic demonstrabimūs. Quidnam quadratum recte DB tam re-



c 36. tertij. Angulo sub DE, DH, & quam rectangulo sub DL, DA. xquale est; erūt hęc duo rectangula inter se aequalia. Igitur ex scholio propos. 36. lib. 3 Euclid. per quatuor puncta A, L, E, H, circulus descripsi poterit; ac proinde, ducta recta L E, secante circumferentiam in C, (quod enim circulum necessario fecerit, ad finē in scholio demonstrabimus) iunctaq; recta AC, & duo anguli oppositi ALE, AHE, in quadrilatero ALEH, duobus rectis xqualibus erūt in prioribus tribus figuris. Sunt autem & duo anguli AHD, AHE, duabus rectis xqualibus. Igitur duo illi hisce duobus xqualibus erunt, ablatoq; communii AHE, reliqui ALE, AHD. xqualibus erunt. Est autē & angulus HAC, angulo ALE, in altero no segmento xqualis; Nam recte HA, HK, circulum ABC, tangunt in A, K, ex scholio propos. 31. lib. 3 Eucl. Igitur idem angulus HAC, angulo AHD, altero no xqualis erit; id eoque

f 32. tertij.

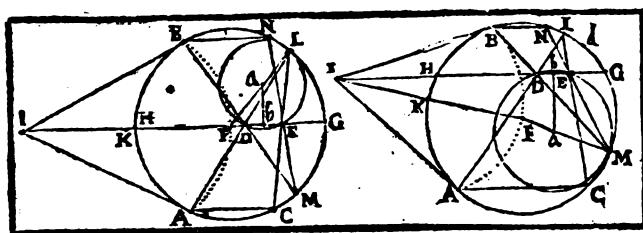
ideoque parallela erunt AC, DE. Cum ergo circulus datus circa triangulum ^{a 27. primi} LAC descriptus sit, tangent circulus circa triangulum LDE, descriptus datu^c cir^b culum in L, ex precedenti lemmate. Atque haec demonstratio conuenit in prior res tres figurae. In quartâ figura haec erit demonstratio. Quoniam quadratum rectâ DB, ac proinde & quadratum rectâ DE, ipsi DB, æqualis, æquale est rectâ-^b gulo sub DL, DA, si circa triangulum LAE, circulus describatur, tangent eum ^c 37. tertij. rectâ DE, in E, quandoquidem eundem rectâ DL, secat. & Igitur angulus DEA, ^c 37. tertij. angulo ALE, in alterno segmento æqualis erit. Cum ergo & angulus EAC, ei-^c 32. tertij. dem angulo ALE, in alterno segmento circuli dati sit æqualis, æquales erunt alterni anguli DEA, EAC; atque idcirco DE, AC, parallela erunt. Quare vt ^f 27. primi. prius, ex lemmate antecedente, circulus circa triangulum LDE, descriptus, circu-^c lum ABC, datum, & circa triangulum LAC, descriptum, tangent in L. In quinta figura demonstratio sic instituatur. Quoniam quadratum rectâ DB, tam rectâ-^g gulo sub DE, DH, quam rectangulo sub DA, DL, æquale est, erunt duo haec ^h 36. tertij. rectangula inter se æqualia. Igitur ex scholto propos. 36. lib. 3. Euclid. per qua-ⁱ tuor puncta A, L, H, E, circulus describi poterit, in quo anguli L, H, in eodem segmēto, cuius chorda AE, æquales erunt: Sed est & angulus HAC, angulo L, ^j 32. tertij. in alterno segmento dati circuli æqualis. Igitur alterni anguli HAC, AHD,



æquales erunt. ideoq; parallela erût DE, AC, &c. In sexta denique figura hoc ^l 27. primi. modo idem concludemus. Quoniam quadratum rectâ DB, tam rectâgulo sub ^m 17. sexti. DE, DH, quam rectangulo sub DL, DA, æquale est, erunt duo haec rectangula ⁿ 36. tertij. æqualia inter se, ac proinde circa quatuor puncta E, H, A, L, per scholium pro- ^o 22. tertij. pos. 36 lib. 3. Euclid. circulus poterit describi. Igitur duo anguli oppositi ^p 13. primi. HAL, HEL, in quadrilatero EHAL, duobus rectis æquales erût. Cū ergo & duo anguli HEL, DEL, duobus sint rectis æquales, erût his duobus duo illi æqua-^q les, ablatoque communi HEL, reliqui HAL, DEL, æquales erunt: Est au-^r tem angulus HAL, angulo ACL, in alterno segmēto dati circuli æqualis Igitur ^s 32. tertij. & angulus DLL, eidem angulo ACL, alterno æqualis erit, atque idcirco ^t 27. primi. DE, AC, parallela erunt, &c.

E O D E M fere modo ostendemus, circulum per tria puncta D, E, M, descriptum datum circulum tangere in M. In prima enim figura, quoniam quadratum regum DB, tam rectangulo sub DE, DH, quam rectangulo sub DK, DM, equale est, erunt hæc duo rectangula inter se æqualia; ideoque circa quatuor puncta H, E, M, K, circulus poterit describi. Igitur in quadrilatero HEMK, ducta recta ME, secante circumferentiam in N, (quod enim necessario circulum fecet, ad finem in scholio demonstrabimus.) iunctaque recta KN, duo anguli oppositi EMK, EHK, duabus rectis æquales erunt: ^a Sunt autem & duo EHK, DHK, duobus rectis æquales. Igitur hi duo duobus illis æquales erunt, demptoque communis EHK, reliqui EMK, DHK, æquales erunt: ^b Sed & angulus HKN, eidem angulo EMK, æqualis est in alterno segmento circuli dati. Igitur alterni anguli DHK, HKN, æquales erunt; ^c ideoque rectæ DE, KN, parallelæ. Circulus ergo per D, E, M, descriptus datum circulum per K, N, M, descriptum tangentem in M, ex præcedenti lemmate. In tertia autem figura. (Nam in secunda, sicuti & in septima, vnicus fit contactus in L, cum recta DE, circulum datum tangentem ita propositum ostendemus. Quoniam per quatuor puncta M, K, E, H, circulus describi potest, quod probabitur, vt in prima figura; ^d erunt in eodem segmento, cuius chorda recta MH, anguli MKH, MEH, æquales: ^e Est autem angulus HKM, angulo KNE, in alterno segmento æqualis. Igitur anguli alterni MEH, KNE, æquales erunt, ideoque rectæ DE, KN, parallelæ. Circuli igitur triangulis KMN, DME, circumscripiti se mutuo in M, contingent, ex lemmate præcedente. In quarta figura sic. Quoniam quadratum rectæ DB, hoc est, rectæ DE, rectangulo sub DK, DM, æquale est, si triangulo KME, circulus circumscribatur, ^f tanget eum recta DE; ^g ideoque angulus DEM, angulo EKM, in alterno segmento eiusdem illius circuli æqualis erit. ^h Cum ergo angulus EKM, angulo KNM, in alterno segmento dati circuli sit æqualis; erunt alterni anguli DEM, KNM, æquales, ideoque rectæ DE, KN, parallelæ, &c. In 5. & 6. denique figuris hoc modo. Quoniam per quatuor puncta M, K, H, E, circulus describi potest, vt in prima figura monstratur est; ⁱ erunt in quadrilatero MKHE, duo oppositi anguli K, E, duobus rectis æquales: ^j Sunt autem & duo anguli DEM, MEH, duobus rectis æquales. Igitur illi duo his duobus æquales erunt, demptoque communis M EH, reliqui DEM, HKM, æquales erunt. ^k At HKM, angulus angulo K NM, in alterno segmento dati circuli æqualis est. Igitur anguli alterni DEM, KNM, æquales erunt, ideoque rectæ DE, KN, parallelæ, &c.

I A M vero data sint duo puncta D, E, intra circulum, per quæ trahatur recta quantacumque DE, siue ea per centrum datum circuli transeat, siue non. Tribus rectis DE, DG, DH,



inuenientur secundum proportionalis DI. Et quoniam est, vt DE, ad DG, ita DH, ad

D H , ad D I ; estque D E , minor quam DG , erit quoque DH , minor quam DI , ac proinde punctum I , extra circulum existet . Ducta ex I , ad centrum F , recta IF , quando DE , extensa non transit per centrum , eaque diuisa bifariam in K , describatur ex K , describatur ex K , circa IF , circulus secans datum circulum in A , & B , iunganturque rectæ IA , IB , quæ ex scholio propos . 31. lib . 2. Euclid . circulum datum tangent in A , & B . Si igitur ex A , per D , recta ducatur AD , secans circumferentiam in L , tanget circulus per tria puncta D , E , L , descriptus datum circulum in L . Sic etiam recta ducta BD , circumferentiam secabit in M , punto , in quo circulus per tria puncta D , E , M , descriptus datum circulum tangent in M . Est autem contactus hic semper interior . Demonstratio hæc est . Ducta recta LE , secante circumferentiam in C , iungatur recta AC : Item ducta recta ME , secante circumferentiam in N , iungatur recta BN . Quia igitur est , vt DE , ad DG , ita DH , ad DI ; erit rectangulum sub DE , DI , rectangulo sub DG , DH , æquale : Sed hoc a 16. sexti . æquale est rectangulo sub AD , DL . Igitur & illud . Per quatuor ergo puncta A , I , L , E , circulus describi poterit , ex scholio propos . 35. lib . 3. Euclid . ac proinde anguli IAL , LEI , in eodem segmento illius circuli , cuius chorda recta IL , æquales erunt :^d Est autem IAL , æqualis angulo ACL , d 32. tertij . in alterno segmento dati circuli . Igitur æquales erunt anguli LEI , ACL , externus & internus , ideoque rectæ DE , AC , parallelae erunt . Per lem . c 21. tertij . mu ergo antecedens circulus triangulo D & L , circumscripsit circulum datum triangulo ACL , circumscriptum tangent in L , vt in priori figura apparet ; cuncte rursus centrum in a , communis sectione perpendicularis ba , rectam DE , bifariam secantis , & rectæ LF , ex punto L , per centrum F , dati circuli ductæ .

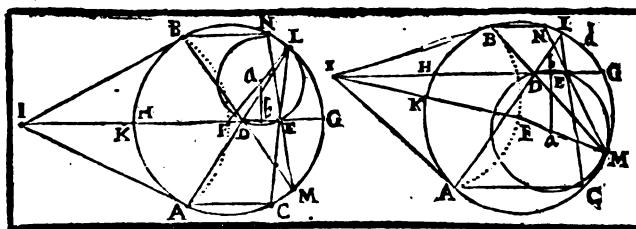
E O D E M modo ostendemus circulum per D , E , M , descriptum tangere datum circulum in M . Erit enim rursus rectangulum sub DE , DI , rectangulo sub BD , DM , æquale . Igitur per quatuor puncta I , B , E , M , circumferens describi poterit , ex scholio propos . 35. lib . 3. Euclid . ac proinde anguli IBM , MEI , in eodem segmento illius circuli , cuius chorda recta IM , æquales erunt .^e Est autem IBM , æqualis angulo BNM , in alterno segmento dati circuli . Igitur anguli M EI , BNM , externi s & interiores , æquales erunt , ideoque rectæ DE , BN , parallelae . Per lemma ergo praecedens , circulus triangulo DEM , circumscripsit circulum datum tangent in M , vt in posteriori figura vides ; ubi etiam centrum est in a , communis sectione perpendicularis ba , & rectæ MF .

Q V O D si à punto E , solutio problematis initium sumat , inuenietur idem omnino punctum L , vel M . Nullum enim aliud absoluere potest problema . Nam si fieri potest , inueniatur aliud punctum d , in posteriori figura . Recta ergo d E , secabit circumferentiam infra punctum c , & recta d D , eandem secabit supra punctum A ; ac proinde recta connectens puncta sectionum secabit rectam AC , ideoque & eius parallelam DE , productam . Non ergo ei parallela erit . quod tamen requiritur ad problema , vt patuit , & liquido constat ex praecedente lemma . Idem absurdum conspicietur in aliis figuris . Si aliud punctum quam L , vel M , dicatur inueniri , si à punto E , solutio problematis incepit .

I T A Q V E vt problema propositum perficiatur , necesse est à duobus datis punctis duas rectas ducere ad aliquod unum punctum circumferentia circuli

culi dati, ita ut recta coniungens duo puncta, in quibus duæ illæ rectæ circumferentiam secant, parallela sit rectæ data duo puncta connectenti. Ita enim videt, u.g. à punctis D, E, ad punctum L, duas rectas DL, EL, ductas secare circumferentiam in A, C, rectamque AC rectæ DE, parallelam esse. Itcm ex D, E, per punctum M, ductas duas rectas DM, EM, secare circumferentiam in B, N, in posterioribus duabus figuris proximis, in prioribus autem K, N, & tam rectâ BN, quam KN, rectæ DE, parallelam esse. Et quamquam punctum hoc L, vel M, uestigauerimus ad finem lib. 6. Euclid. ex Pappo, visum tamè est, idem hoc loco docere, præsertim cum praxis hic tradita, quando duo puncta intra circulum data sunt, nonnihil discrepet ab illa, quam in Euclide præscripsimus.

P O S T R E M O si vnum punctum datur in circumferentia, & alterum intra, vel extra circulum, ita ut recta per utrumque extensa, per centrum circuli transeat, perspicuum est, si ex punto medio rectæ duo data puncta connectentis circa illa circulus describatur, eum tangere datum circulum in dato punto. Ut si in prima posteriorum duarum figuratum detur vnum punctum H, i, n circumferentia dati circuli ABC, & alterum D, intra circulum, ita ut rectæ DH, per centrum F, transeat, circulus ex medio puncto rectæ DH, per D, H, descriptus tanget datum circulum in H. ex scholio propos. 13. lib. 3. Euclid. Item si detur punctum G, in circumferentia, & I, extra circulum, ita ut rursus recta IG, transeat per F, centrum, circulus ex medio punto rectæ

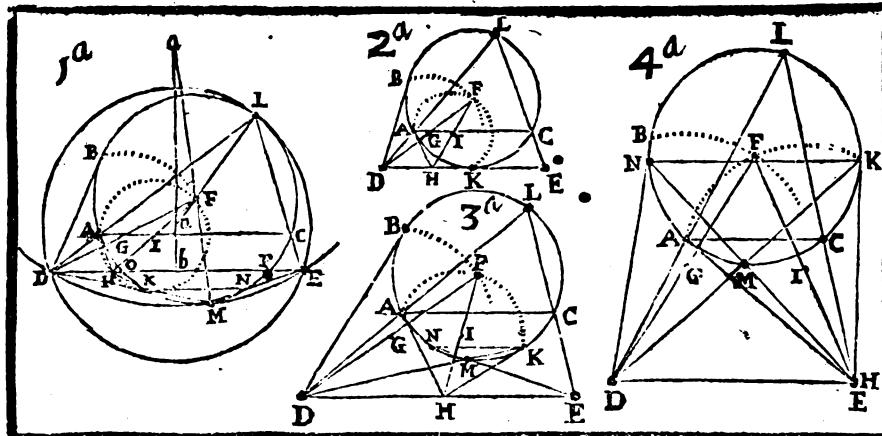


GI, per G, I descriptus tanget datum circulum in G, ex eodem scholio. Denique punctum H, in circumferentia datum sit, & I, extera, ita ut recta IH, transeat quoque extensa per centrum F, circulus ex medio punto rectæ HI, per H, I, descriptus tanget datum circulum in H. Nam recta per H, ducta perpendicularis ad IF, utrumque circulum tangent, ex coroll. propos. 16. lib. 3. Euclid. ac proinde iidem circuli in eodem punto H, communis se contingat, quandoquidem neuter alterum intersecat, cum neuter rectam tangentem secet.

S C H O L I V M.

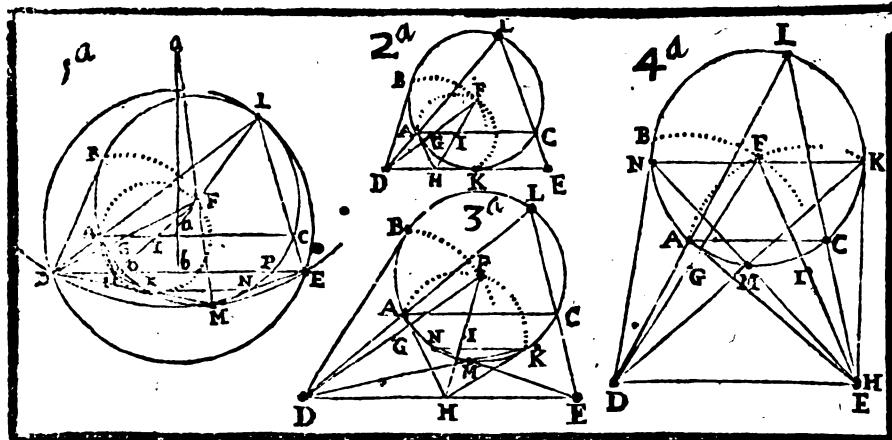
A T vero postquam in prioribus 7. figuris ex D, per A, ducta est linea DA, qui necessario datum circulum ABC, secat cum HA, eundem tangat in A; demonstrabimus rectam LE, eundem circulum secare, hoc est, intra circulum ABC, caderet: quod in demonstratione assumebatur, hoc modo. Quoniam si problematis f. latus à punto E, incipiat, idem prorsus punctum L, inuenitur, ut ad calcem lemmatis ostensum est, linea autem recta à punto assumpto, quod solutionis initium est, educta, quo punctum

punctum L , offert, datum circulum secat, ut proxime de recta DA , diximus; liquido constat, rectam LE , eundem circulum secare, quandoquidam ab ea non differt, qua ex E , ducetur, si ab E , operationis initiu ficeret. Idemque dicendum est de recta ME , quia si ab E , initium sit, reperitur idem punctum M , &c. Quod tamen alio modo ita demon strabimus. Ex puncto A , ipsi DE , parallela ducatur AC , secans circumferentiam disti circuli in C . Dico radam LE , omnino per C , transire, proindeq; in L , & C , circulum secare, hoc est, intra circulum cadere. Nam quia per quatuor puncta A, L, E, H , circulus describi potest, ut ostendimus; erunt oppositi duo anguli $AL E$, $E H A$, a 22. tertij. in quadrilatero $A L E H$, aequales duobus rectis: sume autem & duo $E H A$, $A H D$, b 13. primi. duobus rectis aequales. Igitur hi duo duobus illis aequales erunt, demptaque communi $E H A$, reliqui $A L E$, $A H D$, aequales erunt: At $A H D$, alterno angulo $H A C$, c 29. primi.



equalis est. Igitur & $H A C$, angulo $A L E$, aequales erit. Idem autem angulus $H A C$, d 32. tertij. equalis est angulo $A L C$, (ducta recta CL), in alterno segmento. Igitur anguli $A L E$, $A L C$, aequales sunt, ideoque recta LE , per C , transit, ut eundem angulum faciat cum AL , quem CL , cum ead: efficit, &c. Atque demonstratio hac propria est primarum trium figurarum. In 4. autem, quoniam DE , tangit circulum circa tria puncta A , L , E , descriptum, ut probatum est: erit angulus $D E A$, aequalis angulo $A L E$, in alterno segmento illius circuli. Est autem idem angulus $D E A$, alterno $E A C$, aequalis. f 29. primi. Igitur erit quoque $E A C$, angulo $A L E$, aequalis. Cum ergo idem angulus $E A C$, aequalis sit angulo $A L C$, (ducta recta CL), in alterno segmento, erunt anguli $A L E$, $A L C$, aequales. Coincidunt ergo rursus recta LE, LC , &c. In quinta vero figura, quoniam, ut ostensum est, circa quatuor puncta A, L, H, E , circulus describi potest; erunt anguli $A L E$, $A H E$, in eodem segmento, cuius chorda $A E$, aequalis: Est autem angulo i 29. primi. $A H E$, aequalis alterna $H A C$. Igitur angulus $H A C$, angulo quoque $A L E$, aequalis erit. Cum ergo idem angulus $H A C$, aequalis sit angulo $A L C$, (ducta recta CL), in k 32. tertij. segmento alterno, aequalis erunt anguli $A L E$, $A L C$; atque idcirco recta LE, LC , sibi mutuo congruent, &c. Denique in 6. figura, (Nam in 7. punctum L , non habetur.) quoniam, ut monstratum est, per quatuor puncta A, L, E, H , circulus describi potest, erunt duo oppositi anguli $H A L$, LEH , duobus rectis aequales, ideoque duobus LEH , l 22. tertij. LED , qui aequales erint sunt duobus rectis, aequales, demptaque communi $L E H$, m 13. primi. reliqui

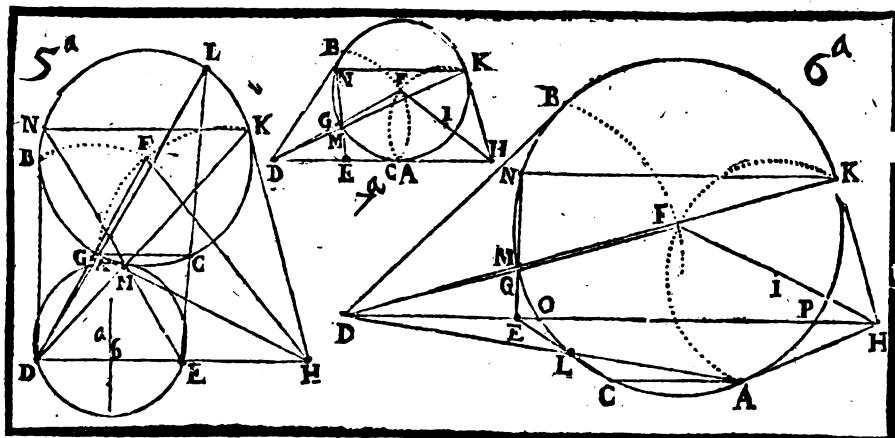
a 33. tertij. reliqui HAL, LED, equales erunt. ^b Est autem angulus HAL, angulo ACL, in alterno segmento aequalis. Igitur & angulus LED, eidem angulo ACL, in eo segmento, aequalis erit. ^b Cum ergo angulus LED, aequalis quoque sit alterno angulo, quem EL, producta cum AC, facit, caderet EL, producta in C, punctum. Nam si caderet inter A. & C, vel ultra C, fieret semper externus angulus interno aequalis in triangulo, quod constituitur à recta CL, & segmento recte EL, producta, & segmento recte AC, intercepto inter punctum C, & illud, in quo EL, producta incidere dicitur: quod est absurdum. ^c Est enim externus interno opposito maior. Cum ergo EL, producta cadas in C, perspicuum est, LE, circulum secare in L, hoc est, intra circulum cadere.



2 A D E M sere ratione demonstrabitur, rectam ME, circulum secare in M, hoc est, intra circulum cadere. Ducta enim KN, ipsi DE, parallela, qua secet datum circulum in N, ostendemus rectam ME, transire per N, ac proinde intra circulum cadere, cumque secare in M, N. Quia enim in prima figura per quatuor puncta H, K, M, E, circulus describi potest, ut ostensum est, ^d erunt in quadrilatero HKME, duo anguli oppositi EMK, KHE, duabus rectis aequalis, ideoque & duobus KHE, KHD, ^e qui duobus triâ rectis aequaliter aequalis, ac dempto communis KHE, reliqui EMK, KHD, aequalis quoque erunt. ^f Est autem KHD, alterno HKN, aequalis. Ergo & HKN, angulo EMK, aequalis erit. ^g Cum ergo & angulus HKN, angulo KMN, (ducta recta NM) in alterno segmento aequalis sit, aequalis erunt anguli EMK, KMN; atque idcirco recta ME, per N, transibit, intraque circulum datum caderet. In 2. figura punctum M, non habetur. In 3. figura sic rem d. monstrabimus. Quoniam. ut ostensum est, per quatuor puncta H, E, K, M, circulus describi potest, ^h erunt anguli HEM, HKM, in eodem segmento illius circuli, cuius chorda HM, aequalis. ⁱ Est autem angulus HKM, angulo KNM, in segmento alterno aequalis. Igitur & angulus HEM, eidem angulo KNM, aequalis erit. ^k Cum ergo angulus HEM, angulo alterno, quem facit recta EM, producta cum KN, aequalis sit; erunt aequales anguli KNM, & angulus, quem EM, producta facit cum KN. Igitur EM, producta caderet in N, si enim caderet inter K, N, vel ultra N, fieret semper angulus externus interno opposito aequalis in triangulo constituto à recta MN, & segmento recte SM, producta, & segmento recte KN, intercepto. ^l 116. primi. inter N, & punctum, in quod cadere dicitur EM, producta, quod est absurdum. ^m Externus

seruus enim angulus interno opposito maior est. Cadit ergo EM , producta in N' , ideoque intra circulum cadit auferens arcum MN . In 4. figura, quia, ut ostendimus est, recta DE , tangit circulum circa E, K, M , descriptum, erit angulus DEM , angulo $232.$ tertij. EKM , in alterno segmento aequalis: sed angulus EKM , angulo KNM , in alterno $b32.$ tertij. segmento aequalis est. Igitur & angulus DEM , angulo KNM , aequalis est: Est autem $c29.$ primi. rem idem angulus DEM , aequalis alterno angulo, quem cum KN , facit EN , producta. Igitur aequalis erit angulus KNM , angulo, quem EM , producta facit cum KN , ac proinde, ut paulo ante ostendimus, EM , producta in M , cadit. Demique in 5. 6. & 7. figura, quoniam circulus describi posset circa quatuor puncta H, E, K, M , erunt oppositi duo anguli HEM, HKM , duobus rectis aequalibus, ideoque aqua-

$d22.$ tertij.



les duabus HEM, MED , quod hinc etiam duobus rectis aequalis sint. Demopro ergo e 13. primi. compnni HEM , reliqui HKM, MED , aequalis erunt: Est autem angulus HKM , f 32. tertij. angulo KNM , in segmento alterno, & & angulus MED , angulo alterno aequalis, quem EM , producta facit cum KN . Igitur aequalis erit angulus KNM , angulo huic alterno, atque idcirco, ut paulo ante monstratum est, EM , producta cadit in punctum N , &c.

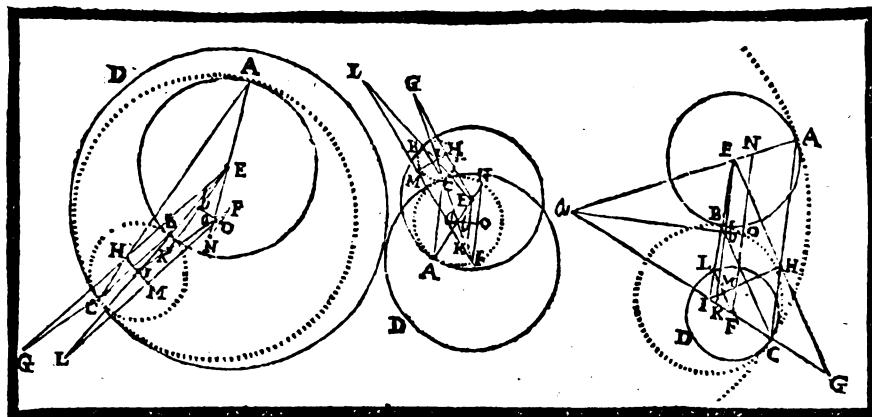
E X his patet, aliter demonstrari posse, circulum per tria puncta D, E, I , vel D, E, M , descriptum, tangere datum circulum ABC , in L , vel M . Ducta enim AC , vel KN , ipsi DE , parallela, ostendemus, ut in hoc scelio, rectam LE , vel ME , caderet in punctum C , vel N . Igitur per lemma precedens, circulus per D, E, L , vel D, E, M , descriptus datum circulum ABC , tanget in L , vel M . quod est proposum.

LEMMA XLII.

DATIS duobus circulis, per punctum in unius circumferentia datum describere circulum, qui vtrumque datum tangat.

SINT

SINT duo circuli AB, CD, quorum centra E, F, siue vnuſ alterum incluſat, ſecetue, ſiue alter extra alterum totus ſit poſitus: ſitque prium per punc-
tum C, in circumferentia CD, datum deſcribendus circulus circulum AB, tan-
gens. quod duobus modis fieri poſteſt. Prium ſic. Ex F, centro circuli, in quo
datum eſt punc-tum, ducat ſemidiameetro FC, ad punc-tum datum, in ea prodi-
cipiat CG, æqualis ſemidiameetro alterius circuli, ad cuius centrum E, recta
ducatur GE, quam bifariam & ad angulos rectos ſecet HI, ſecans FC, in I, &
per I, ad E, centrum posterioris circuli recta ducatur ſecans circumferentiam
eiusdem in B. Dico circulum ex I, per C, deſcriptum tranſire per B, ac proinde
verumque circulum tangere in C, B, cum IC, IB, per eorum centra ducantur.
Quoniam enim duo latera HE, HI, duobus lateribus HG, HI, æqualia ſunt, an-
gulosque continent rectos æquales; erunt & baſes IE, IG, & anguli HEI, HGI,
æquales. Ablatis igitur æqualibus BE, CG, vt in prima, & tertia figura, veſel
æqualibus DE, CG, ablatiſ ipſis IE, IG, vt in 3. figura, reliquæ erunt æquales
IB, IC. Igitur circulus ex I, per C, deſcriptus tranſibit per B, ac proinde veſel
ſcholio propos. 13. lib. 3. Eucl. datos circulos ibidem tanget, ſi cum illis in ean-
dem partem curuetur, vel quando in diuersas. ex coroll. Superioris lemmatis 40.
Et quia ostensi ſunt anguli HEI, HGI, æquales, inuenietur centrum I, & pun-
ctum B, ſi ducat recta GE, angulo FGE, angulus GEI, fiat æqualis. Recta nam-
que EI, ſecabit FG, in I, centro, & circulum in B, punto contactus. Rursus
quia ducat recta BC, triangula IGE, IBC, circa eundem, veſel æquales angulos



ad verticem I, latera proportionalia habent, cum proportionem habeant æqua-
litatis: ipsa æquiangula erunt; æqualesque habebunt angulos ICB, IGE.
c 28. vel ^c Rectæ ergo CB, GE, parallelæ erunt. Quapropter ſi ducat recta GE, per
47. primi. C, punc-tum datum agatur parallela CB, reperiatur quoque punc-tum B, con-
taetus.

DEINDE ita, quod propositum eſt, abſolutetur. Ducta ſemidiameetro FC,
ad datum punc-tum, abſindatur ex ea versus centrum recta CK, ſemidiameetro
posterioris circuli æqualis; & iuncta recta KE, ſecet bifariam & ad angulos
rectos in b, per rectam ba, ſecantem FC, in a; ac tandem per a, & E, recta du-
catur

catur secans posteriorem circulum in A. Dico circulum ex a, per datum punctum C, descriptum transire per A, ac proinde datos circulos in C, & A, continere. Nam rursus ^aæquales erunt & rectæ aE, aK, & anguli aKE, AEK. Addit 4. primi. tis ergo æqualibus EA, KC, vt in prima & tertia figura, vel ipsis aE, aK, ablatis ex æqualibus EA, KC, vt in secunda figura, totæ, vel reliquæ aA, aC, æquales quoque erunt. Igitur, vt prius, circulus ex a, per C, descriptus transibit per A, datosque circulos in A, C, continget. Idemque centrum a, & punctum contactus A, reperiatur, si ducta recta KE, angulo FKE, æqualis fiat angulus KEN. Immo & CA, ductæ rectæ KE, parallela dabit idem punctum contactus A, quod demonstrabitur, vt prius.

N O N aliter res peragetur, si in circulo AB, datum sit punctum B, vel A. Nam ducta semidiametro EB, sumatur in ea producta recta BL, semidiametro alterius circuli æqualis, ductaque recta LF, secetur bisariam & ad angulos rectos in M, per rectam MI, secantem EL, in I. Ducta enim per I, & centrum F, recta dabit C, punctum contactus, & I, erit centrum circuli describendi, vt prius. Rursus namque ^bæquales erunt & rectæ IF, IL, & anguli IFL, b 4. primi. ILF. Ablatis ergo IF, IL, ex æqualibus CF, BL, vt in prima figura, vel ex ipsis IF, IL, ablatiæ æqualibus CF, BL, vt in secunda figura, vel denique eisdem IF, IL, additis ad æquales CF, BL, vt in tertia figura, reliquæ quoque IB, IC, vel totæ, æquales erunt, &c.

S I C etiam, si ducatur semidiameter EA, & versus centrum E, absindatur AN, semidiametro alterius circuli æqualis, iungaturque NF, quam ad rectos angulos, bisariamque secat in O, recta Oa, secans AN, in a; erit a, centrum circuli describendi, recta autem Fa, producta dabit punctum contactus C, &c.

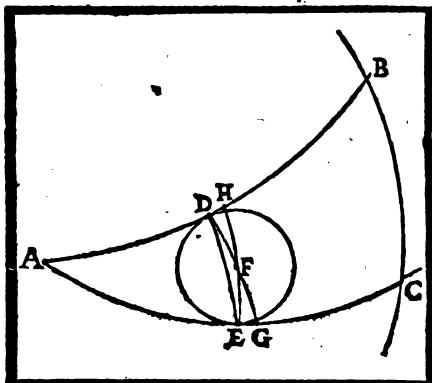
I T A Q V E problema soluitur, si ducta semidiametro ex dato punto ad proprium centrum, absindatur ex ea, sive extra, sive intra circulum, recta æqualis semidiametro alterius circuli, & ad huius circuli centrum à termino rectæ absisse recta iungatur, quam alia recta secet bisariam, & ad angulos rectos, &c. quamvis non idem punctum contactus reperiatur, sed duo inter se diuersa, vt ex figuris manifestum est.

LEMMA XLIII.

S I in sphæra circulas duos maximos circulos ad easdem partes inter punctum sectionis, & circulum maximum per eorum polos ductum tangat, arcus duorum illorum circulorum maximorum inter puncta contactuum, & intersectionem circulorum, vel circulum maximum per eorum polos ductum intercepti, æquales sunt.

D V O S circulos maximos AB, AC, secantes se in A, tangat in D, & E, circulus DE, cuius polus F, & circulus BC, per polos cicularum AB, AC, duetus sit. Dico arcus AD, AE, vel BD, CE, æquales esse. Ducatur enim per D, & F, circulus maximus DF, secans AC, in G, & per E, & F, circulus maximus EF, secans AB, in H. Quia igitur arcus FD, FE, transeunt per polum ciculari DE, & per contactus

a s.s. Theo. tactus D, E; ^a transibit quoque FD, per polos circuli AB, & FE, per polos circuitus AC; ^b ideoque anguli ad D, E, recti erunt: Sunt autem & anguli ad verticem F, æquales, ex propos. 6. nostrorum triang. sphær. Igitur cum trianguli DFH, duo anguli D, F, duobus angulis E, F, trianguli EFG, æquales sint, & adiacentes arcus FD, FE, ex polo æquales quoque; erūt per propos. 20. nostrorum triang. sphær. & arcus FH, FG, & anguli H, G, æquales: ac ppteræa & toti arcus EH, DG, æquales erunt. Quocirca cum trianguli AEH, duo anguli E, H, duobus angulis D, G, trianguli ADG, æquales sint, arcusque EH, DG, illis adiacentes æquales; erunt per eandem propos. 20. nostrorum triang. sphær. & arcus AE, AD, æquales. Vel quia tres anguli in triangulo AEH, tribus angulis in triangulo ADG, æquales sunt, erunt per propos. 19. nostrorum triang. sphær. arcus etiam A E, A D, æquales: quibus ablatis ex quadrantibus AB, AC, (quoniam enim BC, per polos circuitorum AB, AC, ducitur, transibunt vi, cissim hi per eius polos, ex scholio propos. 15. lib. 1. Theod. ac proinde A, polus erit circuiti BC, ideoque ex coroll. propos. 16. lib. 1. Theod. AB, AC, quadrantes erant) reliqui arcus quoque C E,



BD; æquales erunt. quod est propositum.

A L I T E R. Descripto per D, E, circulo maximo DE; erunt per propos. 8. nostrorum triang. sphær. anguli FDE, FED, æquales in Isoscele DEF; quibus demptis ex rectis ADF, AEF, reliqui ADE, AED, æquales erunt. Igitur per propos. 9. nostrorum triang. sphær. arcus quoque DA, EA, æquales erunt, &c.

L E M M A X L I I I I .

S I in sphæra circulus duos circulos non maximos æquales tangat, arcus duorum illorum circuitorum non maximorum inter puncta contactuum, & circulum maximum per eorum polos ductum, vel punctum sectionis (quando se intersecant) interiecti, sunt æquales.

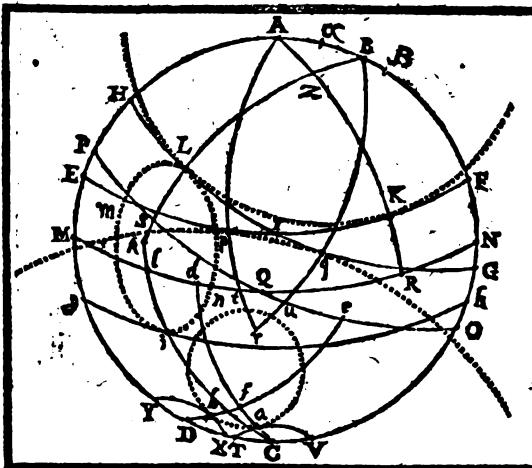
P V N C T A autem contactuum vergere debent in contrarias partes, si circuli æquales ad idem hemispherium spectent, ad easdem vero, si ad diuersa hemisphæria pertineant. Ad idem autem hemispherium spectare dico illos, qui ex polis propinquioribus citra maximos circuitos ex eisdem polis descriptos describuntur: ad diuersa vero hemisphæria eos, qui ex polis remotioribus citra eisdem circuitos maximos describuntur.

IN

IN sphera ABCD , sint primum ex polis vicinioribus A , B , descripti duo circuli æquales non maximi EF , GH , secantes se in I , quos tangat circulus KL , in K. L , punctis in contrarias partes vergentibus à punto sectionis I , cum circuli ad idem hemisphaerium spectent , quippe qui inter polos propinquiores A,B , & maximos circulos MN,OP , intercipientur . Dico arcus IK, IL , vel FK , HL , æquales esse . Per polos enim A,B , descripto circulo maximo ABCD , describatur per A , polum circuli EF , & Z , polum circuli tangentis KL , circulus maximus AZ , secans maximum MN , ex eodem polo A , descriptum in R , qui per contactum K , transibit . Item per B , polum circuli GH , & Z , polum circuli tangentis describatur circulus maximus BZ , secans maximum OP , ex eodem polo B , descriptum in S , qui etiam per contactum L , transibit . Quia igitur & a 4.1.Theor.
arcus AK , BL , ex polis A,B , ad proprios circulos æquales , & arcus ZK , ZL , b 4.2.Theor.
ex polo Z , ad circulum proprium KL , æquales sunt ; erunt quoque reliqui arcus AZ , BZ , æquales ; ac proinde per propos. 8. nostrorum triang. sphær. anguli ZAB , ZBA ; æquales erunt . Quocirca cū latera AN , AR , lat-
teribus BP , BS , æqua-
lia sunt , (quippe
qua omnia quadran-
tes sint , ex coroll.
propof. 16. lib. 1.
Theod .) angulos
que contineant æ-
quales , ut ostensum
est ; erunt per pro-
pos. 7. nostrorum
triang. sphær. & ba-
ses NR , PS , æqua-
les : Est autem ar-
cui NR , arcus FK ,
& arcus PS , arcus
HL , similis . Igitur
& arcus FK , HL , si-
miles inter se , ideo-
que æquales erunt , cū similes arcus æqualium circulorum æquales sint : quibus
demptis ex æqualibus IF , IH , (quod autem hi arcus æquales sint , in scholio de-
monstrabimus .) reliqui quoque arcus IK , IL , æquales erunt .

S I M I L I ratione , si circulus pq , ex eodem EF , GH , tangat in p,q , punctis in
partes quoque contrarias vergentibus , ostendemus & arcus Ep , Gq , & Ip , Iq , esse
æquales . Descriptio enim rursus per A , polum circuli EF . & r , polum circuli
tangentis pq , circulo maximo Ar , secante maximum MN , in t , transeunteque d 4.2.Theor.
per contactum p : Item descripto per B , polum circuli GH , & r , polum circuli
tangentis pq , maximo circulo Br , per contactum q , transeunte , secanteque e 4.2.Theor.
maximum OP , in u : quoniam & arcus Ap , Bq , ex polis A,B , ad circulos æquales ,
& arcus rp , & rq , ex polo r , ad circulum pq , æquales sunt ; erunt quoque toti ar-
cusi Ar , Br , æquales . Ergo per propos. 8. nostrorum triang. sphær. anguli rAB ,
rBA ; ac proinde & ex duobus rectis reliqui rAM , rBN , æquales erunt . Quare cū
duo latera AM , AT , duobus lateribus BO , BU , æqualia sint , angulosque compre-
hendant

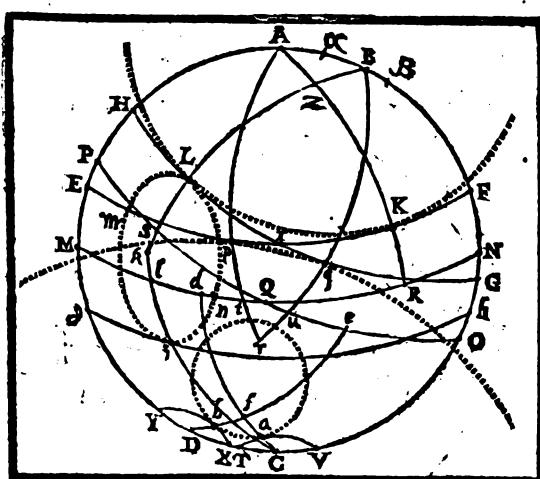
S 2



cis. 2. Theor.

hendant æquales, erunt per propos. 7. nostrorum triangulorum sphær. & bases Mt, Ou, æquales. Igitur, vt prius, arcus quoque tam Ep, Gq, quam Ip, Iq, æquales erunt.

I D E M concludetur, si duos circulos æquales TV, XY, ad idem hemisphærium spectantes tangat circulus ab, in punctis a, b, à punctis T, X, in contrarias etiam partes vergentibus. Descriptis enim rursum ex polis C, D, circulorum TV, XY, per f, polum tangentis circuli ab, maximis circulis Cf, Df, secantibus maximos MN, OP, in d, e, transeuntibus per contactus a, b, erunt arcus Cf, Df, æquales, quod & Ca, Db, & fa, fb, æquales sint. Igitur, vt supra, & anguli fCD, fDC, & arcus Md, Od, atque idcirco & Ta, Xb, æquales erunt, &c.



b 4.2. Theo. Transeuntibusque per contactus L, i, erunt arcus toti Bk, Ck, æquales, quod & BL, Ci, kL, ki, æquales sint. Ergo per propos. 8. nostrorum triang. sphær, anguli kBC, kCB, ac propter ead & ex duobus rectis reliqui kBp, kCM, æquales erunt. Igitur, vt supra, arcus PS, Ml, æquales erunt, ideoque & illis similis HL, gi, æquales erunt, &c.

S C H O L I V M.

A R C V S autem IF, IH, æquales esse, ut in demonstratione assuebat, sic demonstrabimus. Arcus circulorum aequalium EF, GH, à sectione I, per F, H, usque ad alteram sectionem, minora segmenta sunt ipsorum circulorum, & segmenta reliqua ab **c 28. tertij.** I, per E, G, usque ad alteram sectionem, maiora, ut mox ostendemus. Igitur tam minora, quam maiora segmenta, equalia erunt, cum eandem habeant chordam ex I, ad alteram sectionem ductam. **d 9.2. Theo.** Cum ergo segmenta hac bifariam secentur in F, H; E, G, à maximo circulo ABCD, per eorum polos ducto; erunt quoque tam arcus IF, IH, quam IE, IG, aequales. Quod autem segmenta inter I, per F, H, usque ad alteram sectionem, sint minora, ita planum faciemus. Concipiantur diameter sphæra, seu circuli maximi

LEMMA XLIV. ET XLV.

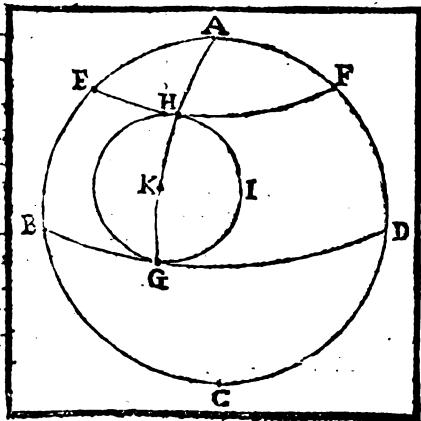
141

maximi $ABCD$, ducta per punctum, in quod cadit perpendicularis ex I, in planum circuli $ABCD$, demissa, que diameter fecet circumferentiam in a: Et per hanc diametrum, & perpendiculararem ex I, demissam intelligatur duci planum, quod ad circumferentiam $ABCD$ rectum erit, facietque in sphera semicirculum, qui per Q transibit. Cū enim circulus $ABCD$, transeat per A, B, polos maximorum circulorum MN , OP , transibuntur hi utrīcīsim per illius polos, ex scholio propos. 15. lib. 1. Theod. atque idcirco Q illius polus erit. b Cum ergo semicirculus ille ducatur per eiusdem polos, transibit per Q, polum circuli $ABCD$, ibique bisariam secabitur, cum ex coroll. propos. 16. lib. 1. Theod. eius arcus a. Q usque ad a, quadrans sit: ac propterea idem semicirculus in I, diuidetur non bisariam. Igitur per theor. 3. scholijs propos. 21. lib. 2. Theod. recta ducita Ia, erit omnium minima ex I, in circumferentiam $ABCD$, cadentium, & 1F, minor quam IG; ac propterea ex scholio propos. 28. lib. 3. Euclid. minor erit arcus 1F, arcu IG; deoque totius arcus ab I, per F, usque ad alteram intersectionem, minor erit totius arcu ab I, per G, usque ad alteram illam intersectionem, cum horum illi sint segmentis, ut ostensum est. b 13. Theod.

S E D arcus 1F, 1H, aequales esse, bac etiam ratione ostendit potest. Quoniam rectae cadentes ex I, in polos A, B, aequales sunt, equaliter distabunt A, & B, a puncto aperte ut aequales sint arcus aA, aB. Nam si alius arcus, quam aB, nimirum aB, aequalis esset arcui aA, esset quoque recta 1B, recta 1A, aequalis, ex dicta theor. 3. scholijs propos. 21. lib. 2. Theod. quod est absurdum. Nam per illud theorema 1F, minor est, quam 1B, ideoque minor quam 1A. Et quoniam aequales quoque sint arcus AF, BH, si adsererant aequales Aa, Ba, reliqui aFa, aH, aequales etiam erunt. Igitur per dictum theor. 3. scholijs propos. 21. lib. 2. Theod. recta 1F, 1H, aequales erunt, c ideoque aequales quoque erunt arcus 1F, 1H. quod est propositionum. c 28. tertij.

L E M M A XLV.

S I in sphera circulus duos circulos parallelos ad easdem partes circuli maximi per eorum polos ducti tangat, arcus eorum inter puncta contactuum, & circulum quemlibet maximum per eorum polos ductum intercepti, similes sunt.



A. 1. 2. 3.

IN sphera ABCD, sint duo circuli paralleli BD, EF, siue alter eorum sit maximus, siue neuter, & siue ad idem hemisphaerium pertineant, siue ad diuersa, per quorum polos A, C, incedat maximus circulus ABCD, & ipsos tangat circulus GIH, in punctis G, H, ex eadem parte, maximus circulus ABCD. Dico tam arcus BG, EH, quam DG, FH, esse similes. Describatur enim per A, polum circulorum BD, EF, & K, polum tangentis circuli GIH, circulus maximus AK. Igitur maximus circulus AK, qui descriptus est per A, K, polos circulorum EF, GIH, sece contingit.

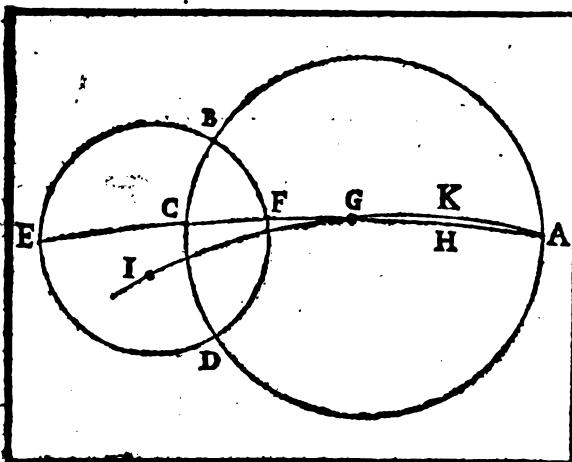
84.2.Theo. tangentium in H, transbit per contactum H: Sic etiam idem maximus circulus AK, qui per A, K, polos circulorum BD, GH, se mutuo tangentium ducitur, transbit per contactum G. Quia vero maximi circuli AB, AG, per polos circulum parallelorum EF, BD, ducuntur, erunt arcus intercepti EH, BG, similes. quod est propositum. Quod si paralleli sint aequales, erunt quoque arcus EH, BG, non solum similes, verum etiam aequales, propterea quod similes arcus aequalium circulorum aequales sunt.

L E M M A XLVI.

S I in sphera duo circuli se mutuo secant, maximus circulus secans bifariam vnius segmentum, incedensque per eius circuli polos; transit quoque per alterius circuli polos.

I N sphera duo circuli ABCD, EBFD, siue maximi, aut non maximi, siue unus maximus, & alter non maximus, se mutuo secant in B, D, & maximus circulus EFGHA, transiens per G, polum circuli ABCD, secet eius segmentum BAD, bifariam in A. Dico eundem circulum maximum transire quoque per polum circuli EBFD.

b9.2.Theo.



CII.1.Theo.

datotum circulorum bifariam, id est per A, transbit. Cum ergo maximi circuli se mutuo secant bifariam, erunt GHA, GKA, semicirculi: atque idcirco punctum A, in circumferentia, erit alter polus circuli ABCD, cum per coll. theorematis 1. scholii propos. 10. lib. 1. Theqd. poli eiusdem circuli per diametrum opponantur, hoc est, per semicirculum maximi circuli distent inter se, quod est absurdum. Polus enim punctum est intra circulum in superficie spherae, à quo omnes rectæ in circumferentiam cadentes, aequales sunt. Transiterat maximus circulus EFGHA, per polos circuli EBFD, quod est propositum.

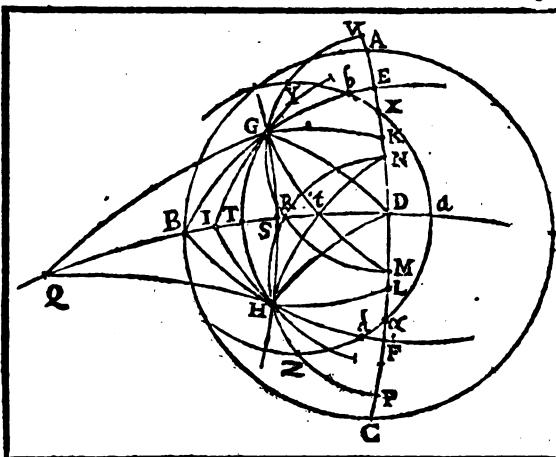
L E M.

L E M M A XLVII.

SI in sphæra per polum cuiusvis circuli maximi ducantur tres maximi circuli constituentes duos angulos in polo æquales; circulus quicunque ex quolibet punto medij circuli, vt polo, descriptus abscindit tam ex alijs duobus maximis circulis, quæm ex duobus circulis siue maximis, siue non maximis æqualibus, qui polos habent in primo circulo maximo à medio illo circulo maximo æqualibus interuallis distantes, arcus æquales ad easdem partes ab eodem primo circulo maximo inchoatos, in circulis tamen maximis vel non maximis æqualibus polos in primo illo circulo maximo habentibus, a punctis, quæcitra vel ultra polos eorum existunt.

IN sphæra ABC, per B, polum maximi circuli ADC, ducantur tres magi-
ci circuli BD, BE, BF, facientes in B, angulos æquales EBD, FBD : Et primum
ex assumpto polo B, in medio circulo BD, descriptus sit circulus non maximus
GSH, secans circulos maximos BE, BF, in G, H. Dico arcus EG, FH, esse æqua-
les. Quoniam enim ex coroll. propos.
16. lib. 1. Theod.
arcus BE, BF, qua-
drantes sunt, ideo-
que æquales; si de-
mantur arcus BG,
BH, qui æquales
inter se sunt, quod
duæ chordæ BG,
BH, æquales etiâ
sunt ex defin. poli,
sæliqui arcus EG,
FH, æquales quo-
que erunt, quod est
propositum.

DEINDE ex
altro polo I, assump-
to in eodem me-
dio circulo BD, descriptus sit circulus non maximus GSH, secans maxi-
mos circulos BE, BF, in G, H. Dico rursus, æquales esse arcus EG, FH. Ductis enim ma-
ximis circulis IG, IH, DG, DH, describatur ex D, polo, per G, circulus GTH,
secans circulum GSH, in H, punto, quod dico esse illud, in quo circulus BF, à
circulo GSH, secatur. Concipiantur enim per H, punctu intersectionis circulo-
rum

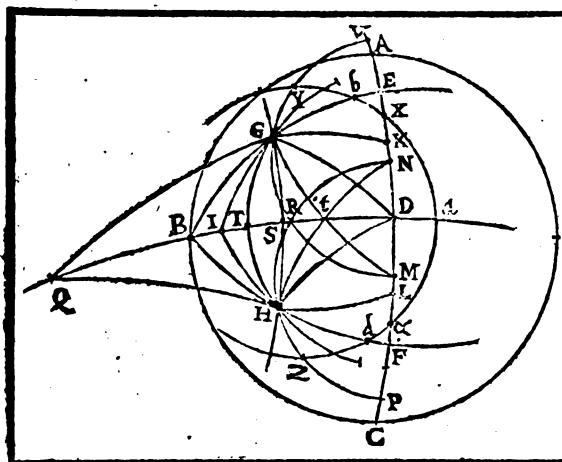


rum GSH, GTH, & per B, I, ducti circuli maximi HB, HI. Quoniam igitur duo latera ID, DG, duobus lateribus ID, DH, equalia sunt, & basis IG, basi IH, aequalis; sunt enim tam arcus DG, DH, quam IG, IH, aequales, cum cadant ex polis ad proprios circulos, erunt anguli GDI, HDI, aequales, ex propos. 18, nostrorum triang. sphaer. Rursus quia duo latera BD, DG, duobus lateribus BD, DH, aequalia sunt, angulosque aequales continent, vt ostendimus; erunt per propos. 7. nostrorum triang. sphaer. & bases BG, BH, & anguli ad B, aequales; sed ex hypothesi, arcus BH, ductus ad intersectionem ipsius cum circulo GSH, facit angulum HBD, angulo eidem GBD, aequalem. Igitur hic arcus ab eo, qui per B, & intersectione circulorum GSH, GTH, ducitur, non differt, ne pars sit aequalis toti; ac proinde circuli GSH, GTH, in arcu BF, se intersecat. Quocirca ostendemus, vt proxime factum est, in triangulis IGD, IHD, angulos IDG, IDH, aequales esse, cum tria latera tribus lateribus sint aequalia: atque hinc, in triangulis BGD, BHD, bases BG, BH, aequales esse ex propos. 7. nostrorum triang. sphaer. Reliqui ergo arcus EG, FH, aequales quoque erunt. quod est propositum.

T E R T I O ex alio polo Q, assumpto in eodem medio circulo BD, descriptus sit circulus maximus GSH, secans maximos circulos BE, BF, in G, H.

Dico rursum, arcus EG, FH, aequales esse. Descriptis enim per Q, G, & per Q, H, circulis maximis QG, QH, qui ex coroll. propos. 16. lib. 1. Theod. quadrates sunt, erunt per propos. 25. nostrorum triang. sphaer. anguli QGH, QHG, recti, ideoque QGB, QHB, acuti. Et quia anguli DBE, DBF, aequaliter ponuntur, erunt etiam ex duobus rectis reliqui GBQ, HBQ, aequales in triangulis QBG, QBH. Cū ergo & duo latera BQ, QG, duobus lateribus BQ, QH, equalia sint, & reliquorum angulorum BGQ, BHQ, uterque recto minor. vt ostensum est; erunt per propos. 24. nostrorum triang. sphaer. & latera BG, BH, ideoque & reliqui arcus EG, FH, aequales. quod est propositum.

I AM vero ex polis K, L, utcunque in maximo circulo ADC, assumptis aequaliter tamen a punto D, distantibus, describantur duo aequalis circuli siue maximi, siue non maximi, MGV, NHP. Primum autem ex polo B, circulus non maximus describatur GSH, hoc est, parallelus circuli maximi ADC, secans, vel tangens duos circulos in G, H. Dico tam duos arcus MG, NH, quam duos VG, PH, esse aequales. Describatur enim ex polo D, per G, circulus GTH, secans circulum GSH, in H, punto, quod dico esse illud, in quo GSH, circulum



circulum NHP, & Ductis enim arcibus circulorum maximorum DG,DH,
KG,LH, & BH: quoniam duo latera DG,DB,duobus lateribus DH,DB,æqua-
lia sunt, & basis BG,basi BH,æqualis:(Nam tam DG, DH , quam BG , BH, ex
polis ad circumferentias proprietum circulorum æquales sunt) erunt per pro-
pos. 18. nostrorum triang. sphær. & anguli GDB,HDB,ac proinde & ex rectis
reliqui GDK,HDL,æquales erunt. Igitur quia duo latera GD, DK, duobus la-
teribus HD,DL,æquales sunt,cum poli K,L,ponantur æqualiter distare à D;an-
gulosque continent æquales, vt ostendimus ; erunt per propos. 7. nostrorum
triang. sphær. & bases KG,LH,æquales. Cum ergo KG, sit ex polo K , ad cir-
cumferentiam VGM, erit quoque LH , ex polo L, ad circumferentiam PHN,
cum hæc circumferentia illi sit æqualis; ideoque punctum H, erit in circumferen-
tia NHP,hoc est,in punto,vbi a circulo GSH , secatur. Quapropter ostende-
mus, vt proxime factum est,in triangulis BDG, BDH, angulos D,æquales esse,
ac proinde & ex rectis reliquos GDK, HDL: Atque hinc ex propos. 7. nostro-
rum triang. sphær. & bases KG,LH,& angulos K,L,æquales esse. Quoniam igit
tur,ductis maximis circulis MtG,NtH,duo latera KG , KM, duobus lateribus
LH,LN,æqualia sunt,cum sint ex polis ad æquales circulos; angulosque conti-
nent æquales,vt ostensum est : erunt quoque bases MG , NH, æquales,ex pro-
pos. 7. nostrorum triang. sphær. atque idcirco & chordæ ductæ MG , NH. a 29. tertij.
æquales erunt; atque hinc & arcus MRG , NRH , æquales erunt. Cum ergo b 28. tertij.
MGV , NHP , semicirculi sint, quod maximus circulus ADC, per eorum po- c 15. s. Theor.
los ductus secat circulos bifariam; erunt quoque reliqui arcus VG, PH , æqua-
les. quod est propositum.

E O D E M propositum concludemus, si ex alio quoquis polo I,
vel Q, assumpto in circulo BD , circulus destribatur GSH , etiam si descriptus
ex Q. maximus sit, ita vt QG,QH,quadrantes sint.

N O N diueria ratio fere erit, si ex D , polo circulus quilibet describa-
tur GTH, secans maximos BE,BF,vel circulos ex polis K, L, descriptos in G,
H. Descripto enim ex polo B, per G, circulo GSH , secante circulum GTH,
in H, punto, similiter ostendemus, illud esse in circulo BF. Ductis namque
circulis maximis DG,DH,BH,erunt duo latera BD,BG; duobus lateribus BD,
BH,æqualia, & basis DG,basi DH,æqualis, cum BD,arcus sit communis, & alij
ex polis ad proprias circumferentias ducti. Igitur per propos. 18. nostrorum
triang. sphær. anguli ad B,æquales erunt:Sed arcus BF, ex hypothesi facit est
angulum PBD, angulo BBD,æqualem. Igitur arcus per B , & punctum H , in-
tersectionis circulorum GTH , GSH , ab arcu BF, non differt. Ergo arcus BG,
BH,ex polo ad circumferentiam GSH,æquales erunt, quibus demptis ex quadran-
tibus BE,BF,reliqui arcus EG,EH,æquales quoque erunt. quod est propositum.

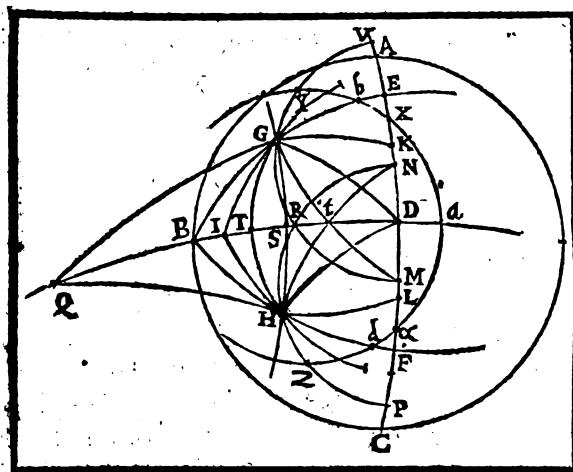
R V R S V S ductis maximis circulis MtG,NtH, KG, LH ; & descripto ex
quoquis polo I, in BD , assumpto circulo GSH , per G,secante circulum GTH,
in H,monstrabimus, vt prius,punctum H, esse in circulo NHP. Nā ductis maxi-
mis circulis IG,IH,duo latera ID,DG,duobus lateribus ID,DH,æqualia sunt,
& basis IG,basi IH,æqualis. quod ID,sit arcus communis, & alij ex polis ad pro-
prietas circumferentias ducti. Igitur per propos. 18. nostrorum triang. sphær. an-
guli IDG, IDH, ideoque & ex rectis reliqui GDK,HDL,æquales erunt. Sunt au-
tem & duo latera DG,DK,duobus lateribus DH,DL,æqualia. Nam DG, DH,
arcus sunt ex polis circulorum æqualium ad circumferentias, & DK,DL,sunt arcus
positi æquales, minuti distantie polorum K,L,à pucto D. Igitur per propos. 7.nos-
trorum triang. sphær. & bases KG,LH,æquales erunt. Cū ergo KG,ducatur ex po-
lo K,

Id K, ad suam circumferentiam, ducetur quoque LH, ex polo L, ad suam circumferentiam, cum hec illi sit aequalis, hoc est, punctum H, intersectionis circulum GTH, GSH, in circulo NHP, existet. Quo posito, probamus ex propos. 18. nostrorum triang. sphær. angulos DKG, DLH, aequales esse, quod tria latera KG, KD, DG, tribus lateribus LH, LD, DH, aequalia sunt. Quamobrem cum duo quoque latera GK, KM, duobus lateribus HL, LN, sint aequalia circa illos angulos, cum arcus sint ex polis K, L, ad circumferentias aequales, erunt per proposit. 7. nostrorum triang. sphær. & bases MKG, NH, aequales. ideoque & duæ chordæ MG, NH, aequales erunt, bac proinde & arcus MRG, NRH, aequalles erunt, &c. quod est propositum.

D E M O N S T R A T I O hæc locum habet, ut constat, siue circuli MGV, NHP, se mutuo secant, siue tangent in D, siue denique unus totus extra alterum existat. Sed quando se tangunt in D, tam arcus DH, NH, quam DG, MG, coincidunt, atque ita brevior efficitur demonstratio.

Q V O D si quando accidat, circulum ex polo vt cunque assumpto in circulo BD, descriptu secare circulum ADC, qualis est circulus YXazZ, secans ADC,

c. 9. 2. Theo.



circulo maximo, transcat per alterum polorum K, vel per quodcunque punctum à polo K, remotum, trahit quoque per alterum polum L, vel per punctum, quod tanto interullo absit à polo L, quanto illud alterum à polo K, absit. siue ea puncta à polis recedant versus D, siue versus A, C: quia hac ratione eiusmodi puncta à punto D, semper sunt aequae remota, vt patet.

VICISSIM circulus quicq; YAZ, secans circulum maximum ADC, in punctis X, a, aequaliter distantibus à punto D, ac proinde & à polis K, L; polos habet necessario in maximo circulo DB, per D, & polos circuli ADC, duo. Quoniam enim circulus maximus DB, secat segmentum X a, bifariam in D, transitque per eius polos, ex hypothesi, transbit idem quoque DB, per polos circuli YAZ, priorem secantis X, a, ex praecedenti lemme 46.

CAETE-

C A E T E R V M quando circa polum B , parallelus maximi circuli ADC , describitur , abscedet is arcus æquales ex omnibus maximis circulis per B , ductis , etiam si in B , angulos non constituant æquales ; Itemque ex omnibus non maximis equalibus polos habentibus in maximo circulo ADC , etiam si poli non æqualeiter distent à medio circulo B D . In maximis proportionis facile sic concludemus . Cum enim omnes ducatur per polos parallelorum ADC , GSH , erunt eorum arcus inter dictos parallelorum , æquales . In non maximis vero hæc erit demonstratio . Si ex punctis , in quibus à parallelo maximi circuli ADC , secoantur , ad maximum circulum ADC , perpendicularares demittantur . Cadent eæ in communes eorum sectiones cum maximo circulo ADC , hoc est , in eorum diametro : (Cum enim maximus circulus ADC , per eorum polos ductus secet eos bisfariam , erunt illæ communes sectiones eorum diametri ,) ac proinde sinus recti erunt ; arcum abscissorum . Cum ergo perpendicularares illæ omnes sint inter se æquales . (Quoniam enim omnes parallelæ sunt , si per quaslibet duas planum ducatur , sicut communes eius cum planis parallelis ADC , GSH , sectiones parallelæ , ac proinde in parallelo grammio latera opposita æqualia erunt , nimirum due illæ perpendicularares & sic de ceteris) erunt quoque arcus , quorum sinus sunt , æquales . quippe cum in circulis equalibus æquales sinus habeant arcus æquales , ut in definitionibus finium demonstrauimus .

L E M M A X L V I I I .

S I ex eodem centro duo circuli descripti sint , & ex quotlibet punctis circumferentia interioris ad exterioris circumferentiam rectæ æquales ducantur ; vna autem earum interiorum circulum tangere ponatur , tangent eundem & reliquæ . Et si plures linea interiorem circulum tangentes versus eandem partem ducantur , versus sinistram videlicet , aut dextram , ipsæ inter se æquales , & arcus inter binas comprehensi , similes erunt .

E X eodem centro A , descripti sint duo circuli BCDEF , GHIKL , & ex punctis G , H , I , rectæ æquales ducantur GB , HC , ID , quarum GB , circulum GHIKL tangere ponatur . Dico & HC , ID , eundem tangere . Iunctis enim semidiametris GA , HA , IA , & BA , CA , DA ; quoniam duo latera BG , GA , duobus latitudibus CH , HA , æqualia sunt , & basis BA , basis CA ; erunt & anguli AGB , AHC , æquales . Est autem AGB , rectus . Igitur & AHC , rectus erit ; ac proinde , per coroll . propos . 16. lib . 3. Eucl . recta HC , circulum GHI , tanget in H , atque ita de ceteris .

D V C T A E iam sint ad easdem partes quotuis tangentes BG , CH , DI , SM . Dico eas & æquales esse , & tam arcus GH , BC , quam GI , BD , & GM , BS , similes esse . Iunctis enim eisdem semidiametris , secetur interior circulus in M , N , O , T , & semidiametris AB , AC , AD , AS . Et quoniam duo latera AB , AG , duobus latitudi-

T 2 ribus

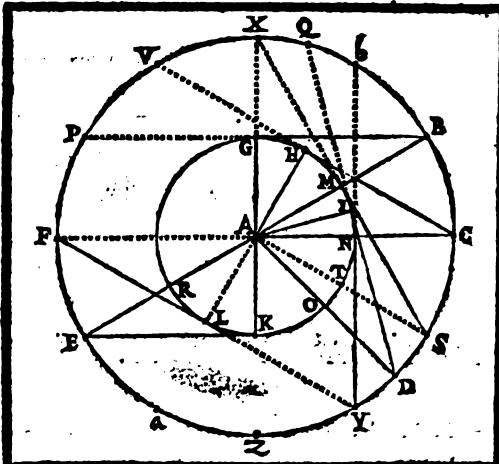
ribus AC, AH, equalia sunt; & anguli AGB, AHC, equalibus lateribus AB, AC, oppositi, equales, quod recti sint; reliquorum quoq; angulorum B, C, reliquis lateribus equalibus AG, AH, oppositorum uterque recto minor, quod tam duo G, B, quam duo H, C, duobus rectis sint minores. Igitur per ea, quae ad finem lib. 1. Eucl. demonstrauimus, erunt etiam latera BG, CH, equalia, & anguli BAG, CAH, equales. Ex quo fit, arcus quoque GM, HN, equales esse, & ablato communis HM, reliquos quoque GH, MN, esse equales: Cum ergo ex schol. propos. 22. lib. 3. Eucl. arcus MN, arcui BC, similis sit; erit quoque arcus GH, eidem, cui BC, similis. Eodem pacto ostendes arcus GM, IO, esse equales, ideoque ad dito coi MI, totos etiam GI, MO, equales esse: ac proinde cum MO, ipsi BD, similis sit, erit quoq; GI, eidem BD, similis. Non secus monstrabis arcus GM, MT, equales esse. Cum ergo MT, similis sit ipsi BS, erit quoq; GM, eidem BS, similis.

C A E T E R V M tangentes esse equales, ita facile etiam ostendemus. Productis tangentibus BG, DI, ad P, Q, erunt ex schol. propos. 18. lib. 3. Eucl. ipse inter se equales, bifariamq; in G, I, punctis contactu secabuntur. Igitur semisses BG, DI, equales erunt, & sic de alijs. Hinc facile concludemus, angulos GAB, IAD, equales esse, propterea quod latera AB, AG, lateribus AD, AI, equalia sunt, & basis BG, basi DI, equalis, &c.

Q V O D si puncta contactuum G, K, per diametrum opponantur, ut semicirculus sit GIK, erit quoque BDE, semicirculus, hoc est, ipsi GIK, similis. Erit enim tam BD, ipsi GI, quam DE, ipsi IK, similis, ut monstratum est; ac propterea per lemma 6. & totus BDE, toti GIK, similis erit. Quod tamen hac etiam ratione demonstrare licet. Iunctis rectis AB, AE, quoniam duo latera AB, AG, duobus lateribus AE, AK, equalia sunt, & basis BG, basi EK, equalis, ut ostensum est; erunt anguli BAG, EAK, equales. Igitur ex ijs, que ex Proclo ad propos. 15. lib. 1. Eucl. demonstrauimus, recte AB, AE, unam rectam confident; ac proinde diameter erit BE, & arcus BDE, semicirculus. Vel sic. Propter angulos BAG, EAK, equales, erunt arcus GM, KR, equales, additoque communi MK, toti arcus GMK, MKR, equales erunt: Sed ille est semicirculus, ergo & hic; atque idcirco diameter erit MAR, ideoque BDE, semicirculus.

E A D E M ratione, si puncta contactuum G, L, distent per arcum GKL, semicirculo maiorem; quoniam arcus KL, EF, ostensi sunt similes; si adiiciantur semicirculi KIG, EDB, erunt per lemma 6. similes quoque toti arcus GKL, BDF.

S C H O-



LEMMA XLVIII. ET XLIX 149

S C H O L I V M .

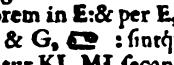
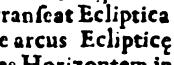
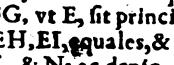
E F F I C I T V R ex hoc, si puncta contactuum circulum interiorem in partes aequales secent, exteriorem à tangentibus in partes quoque distribui aequales. Ita vides eam arcus GH, HM, MN, quam BC, CS, ST, aequales esse.

I T A Q U E si duocula sunt plurime linea tangentes circulum GHIK, in punctis ipsum in partes aequales dividentibus, ut in G, H, M, N, T, &c. duocula erit una, ut G. Si namque ex A, quicunque circulus describatur secans GB, in B, dividatur; in aequales partes BC, CS, ST, &c. initio facta à punto B, transbit tangens in H, per C, in M, per S, in N, per Y, in T, per Z, &c.

S E D ut habetas bina puncta in exteriori circulo, per qua tangentes sunt duocula, duocula erit ex centro A, per unam partem aequalium circuli GHIK, ut per M, secundam partem, recta AM, secans primam tangentem in B, & per B, ex A, circulus describendus, a quo in totidecunpartes aequales distribuendus, (initio facta à B,) in quos partes circulus GHIK, secus est, ut in proposta figura, in 12. partes aequales BC, CS, ST, YZ, Za, & E, EF, FP, PV, VX, Xb, bB Nam cum ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. recta AX, fecit arcum BXP, bifariam in X, continguntur in eis arcus BX, bis 12. partes aequales, quot in BX, hoc est, in simili GM, continguntur. Tangens igitur CP, ducatur per duo puncta B, P, terminantia quatuor partes aequales. Sic tangens CV, transbit per similia duo puncta C, V, cum tot parres in arca BX, quot in arca CBV, contingantur, & C, terminet unum partem; quod arcus BC, GH, similes sint ostensi. Idem dicendum est de tangentibus SX, Yb, FY, &c. Itaque singula tangentes per eternam puncta hac ratione ducentur. Verum bina puncta cuiusvis tangentis in exteriori circulo resunque descripte inservient quoque, si ad interum illum rectam GB, ex punto contactus duo puncta in exteriori circulo notentur. Nam omnes tangentes aequales sunt, ut demonstratum est. Hac ratione interum GB, ex puncto contactus H, reperiuntur duo puncta C, V, & ex M, duo puncta X, &c.

LEMMA XLIX.

P A V C A quedam de declinationibus, latitudinibus ortiuis, ascensionibusq; rectis, & obliquis demonstrare.

1. SIT in prima figura Meridianus ABCD; Aequator AC; Horizon obliquus BD, secans Aequatorem in E: & per E, transeat Ecliptica FG, ut E, sit principium  vel  & G,  : sicutque arcus Ecliptice EH, EI, equales, & per H, I, paralleli  cantur KL, MI, secantes Horizontem in L, & N; ac densius per L, N, H, I, & polos mundi O, P, circuli maximi declinationum ducatur OL, PN, OH, PI, secantes Aequatorem in Q, R, S, T. Dico parallelum KL, transire per duo puncta Ecliptice que remota à tropico puncto F. Quod idem de parallello MI, dicendum est. Quoniam enim maximus circulus ABCD, per polos fecit circulos FE, KL, sese in H, & in altero punto ex alia parte Meridiani ABCD, secantes; secabit idem eorum segmenta bifariam. Igitur alterum punctum sectionis ex alia parte Meridiani, in quo parallelus KL, Eclipticam secat, tantum ab est à tropico punto F, in Ecliptica, quantum ab eodem punctu H, abest; ac proinde parallelus KL, per duo puncta Ecliptice equaliter à tropico punto F, remota transit. Eademque ratione

Parallelus quilibet per duo puncta ab aequatore puncto tropico aequaliter distantia transire.

a g. s. Theor.

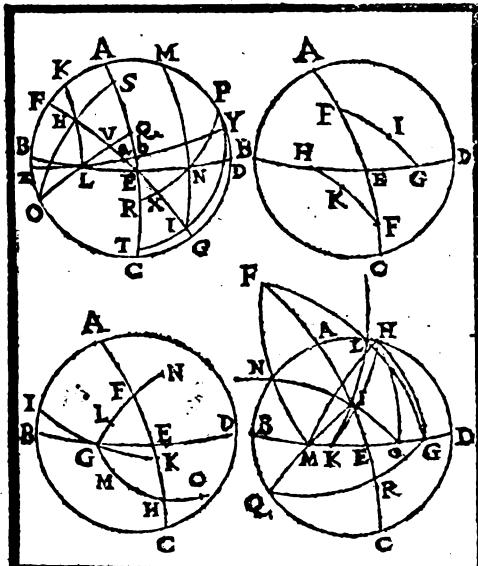
ratione parallelus per I., & per aliud punctum ex alia parte Meridiani transit, quod aequaliter cum puncto I. distantiam habet à puncto tropico G.

*Duo parallelus
per duo puncta
Eclipticae aequaliter
ab alterutro regni
puncto equi-
distantia, vel à
duobus, aut etiā
à duobus pon-
tis tropicis di-
stantia ducti de-
clinationes ha-
bent aequales.*

*a 15. 1.
Theod.*

2. DE INDE dico, duos parallellos KL, MI, ab alterutro aequinoctiali puncto, vel à duobus, aut etiā à duobus punctis tropicis F,G, aequaliter distantes, declinationes habere aequales HS, IT. Quoniam enim in triangulis HES, IET, anguli S,T, recti sunt, & anguli ad verticem E, aequales, ex propos. 6. nostrarum triang. sphær. Ponuntur autem & arcus Eclipticae E,H,I, rectis angularibus oppositi, aequales erunt per propos. 2. nostrorum triang. sphær. arcus etiā HS, IT, declinationum punctorum H,I, aequales. Atq; ita duo puncta H,I, Eclipticae, ab eodem Aequinoctij puncto E, aequae remota, vel paralleli per ea puncta ducti KL, MI, aequales habent declinationes. Quod si dentur puncta H,I, aequaliter distantia à tropicis punctis F,G, versus eandem sectionem E. vernaliem, vel autumnalem, distabunt eadem ab E, aequaliter. Igitur ut proxime ostendimus, paralleli per ea ducti habent aequales declinationes. Si denique unum punctum, v. g. H, ponatur distare à tropico puncto F, versus autumnale punctum E, alterum vero punctum eadem distantia remoueri à tropico puncto G, versus punctum vernali, ita ut priori per diametrum sit oppositum, sumemus aliud punctum I, versus prius punctum E, autumnali, in eadē distantia à puncto G: habebuntque rursus puncta H,I, ut proxime ostendimus, aequales declinationes HS, IT. Et quia idem parallelus trans fit per I., & punctum respondens ex altera parte datum, ut Num. 1. demonstratum est, habentque omnia puncta eiusdem parallelī aequales declinationes, quod omnes arcus maximorum circulorum per polos mundi duorum, cuiusmodi sunt declinationum circuli. inter quemvis parallelum & Aequatorem, sint aequales; habebunt quoque parallelī per H, & alterū illud p̄tētū Eclipticæ p̄tētū I, ex altera parte respondens, quod ipsi H, opponitur, declinationes aequales.

*b 15. 2.
Theod.*



Idem duo par-
allelī habent lati-
tudines ortuas
aequales.

EN, aequales. Quoniam enim in triangulis ELQ, ENR, anguli Q, R, recti sunt, & anguli ad E, verticem ex propos. 5. nostrorum triang. sphær. aequales. Item & arcus declinationum LQ, NR, angulis aequalibus ad E. oppositi, ostensi sunt aequales; denique arcus EL, EN, rectis angularibus aequalibus Q, R, oppositi semicirculum non conficiunt, cum quilibet sit quadrante minor, utpote latitudo ortua, que semper quadrante minor est; erunt per propos. 22. nostrorum triang. sphær. arcus quoque EL, EN, hoc est, latitudines ortuas, aequales.

4. QVAR.

4. Q V A R T O dico eosdem duos parallellos esse æquales. Cū enim arcus EL, EN, inter ipsos, & Aequatorem intercepti, ostensi sint æquales, erunt ipsi parallelli KL, MI, æquales.

5. S E Q V I T V R ex his, quaterna semper puncta Eclipticæ, quorum bina opposita sint per diametrum, & bina à duobus puctis æquinoctialibus, aut tropicis, aut ab eodem punto æquinoctiali, vel tropico, æqualiter distantia, habere æquales declinationes, latitudinesque ortiuas. Huiusmodi puncta sunt initium δ , initium γ , initium π , & initium χ , quorum priora duo à principio ω , posteriora duo à principio ζ , æqualiter distant: item primum ac ultimum æquali interuallo absunt à principio γ , & intermedia duo à principio π . Et quoniam per priora duo idem parallelus transit, & per posteriora duo vnum aliis & idem parallelus, vt Num. 1. est demonstratum, habebunt tā illa duo, quām hæc, declinationes, latitudinesque ortiuas æquales, vt ostendimus Num. 2. & 3. Sed vt ibidem demonstratum est, etiam primum & ultimum declinationes, latitudinesque ortiuas æquales habent, cum æqualiter à principio γ distent. Igitur omnia quatuor æquales declinationes, ac latitudines ortiuas habent, quorum primum ac tertium, nec non secundum ac quartum, per diametrum opponuntur, cū tam illa, quām hæc, æquali interuallo distent à principijs γ , & π , secundum successionem signorum. Itaque satis est, si inueniantur declinationes, latitudinesque ortiuæ punctorum vnius quadrantis Eclipticæ, cum hæc punctis quoque aliorum trium quadrantum conueniant, si puncta sumantur, vt dictum est.

P O S S V N T omnia hæc facilius, ac brevius ex Theodosio, demonstrari hoc modo. Quoniam Ecliptica EF, tangit vnum parallelorum, nimirum tropicum ω , vel ζ , & erunt duo eius arcus inter Aequatorem, ac parallelū KL, quorum vnum est EH, inter se æquales. Igitur & ex quadrantibus reliqui usque ad Meridianum, quorum vnum est HF, æquales erunt: atque idcirco idem parallelus KL, per duo puncta à tropico punto F, æqualiter remota transibit. Ea demq; ratio est de parallelo MS.

D E I N D E quia arcus Eclipticæ EH, EI, ponuntur æquales, cum parallelili KL, MI, ab æquinoctiali punto E, aut à duobus punctis tropicis F, G, æqualiter ponantur distare; & erunt ipsi parallelli KL, MI, æquales. Igitur tam duo arcus circuli maximi per mundi polos ducti, inter Aequatorem, & dictos parallelulos intercepti, qui corum declinationes metiuntur, quām duo arcus EL, EN, Horizontis, qui corūdem parallelorum latitudines ortiuas determinant, æquales inter se erunt. Ex quo rursum sequitur, quaterna Eclipticæ puncta æquales habere & declinationes, & latitudines ortiuas.

6. D I C O sexto, quaternos arcus Eclipticæ æquales, quorum bini per diametrum sint oppositi, & bini à duobus punctis æquinoctialibus, vel tropicis, aut ab eodem punto æquinoctiali, vel tropico æqualiter remoti, æquales habere ascensiones in sphera recta. Dico aut, duos illos arcus esse oppositos, quorum puncta extrema per diametrum opponuntur: æqualiter vero distare à punctis æquinoctialibus, vel tropicis, quorum extrema puncta ab eisdem æqualiter absunt, ita vt propinquiora duo habeant æquales distancias, & remotiora item æquales. Sint ergo primum duo arcus Eclipticæ EH, EI, æquales ab eodem pū & o æquinoctiali E, inchoati, ac proinde & reliqui HF, IG, æquales à tropicis punctis F, G, inchoati: eruntque ES, ET, ascensiones rectæ arcuum EH, EI, & AS, CT, ascensiones rectæ arcuum FH, GI: probandum autem est tam ES, ET, quā AS, CT, æquales esse, quod sic fieri. Quoniam in triangulis EHIS, ET, & anguli S, T, recti

Ibidem duo parallelili æquales sibi
a 17. 2.
Theod.
Quaterna puncta Eclipticæ æquales
les habentes declina-
tiones, & lati-
tudines ortiuas;
& quoniam illa
sit.

Satis esse, vt de-
clinationes, lati-
tudinesque ortiu-
arum omnium pū
etorū vnius qua-
drantis Eclipticæ
inveniantur.

b 13. 2.
Theod.

c 17. 2.
Theod.

d 18. 2.
Theod.

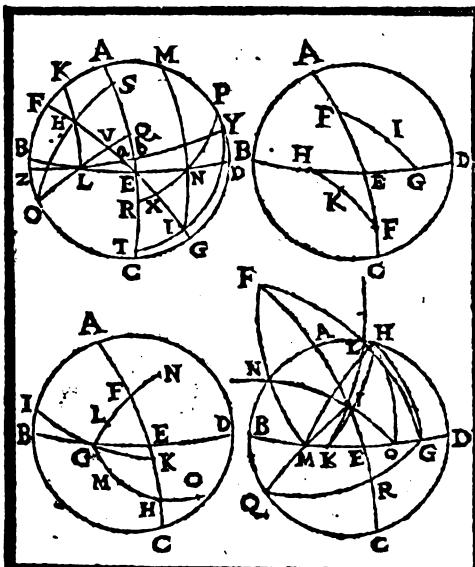
Theod.

Qui arens Eclipticæ dicatur
opporsi, & qui
æqualiter distan-
tes ab aliquo pū
et Eclipticæ.

e 15. 1.
Theod.

E, T , recti sunt, & anguli ad verticem E , aequales, ex propos. 6. nostrorum triang. sphær. Ponitur autem & arcus EH, EI , rectis angulis oppositi, aequales, erit per propos. 21. nostrorum triang. sphær. arcus etiam ES, ET , aequales, ideoque & ex quadrantibus reliqui AS, CT . Et quoniam, ut Num. i. ostensum est, parallelus KL , transit ex altera parte Meridiani per altud punctum Eclipticæ, quod aequaliter cum puncto H , a puncto tropico F , distat, atque adeo tantum ab altero puncto sequinoctiali, quantum H , ab E , absit: si per illud ex polo O , circulus ducatur maximum, absindetur ab Aequatore arcus omnino aequalis arcui ES ; propterea quod triangulum triangulo EHS , aequaliter constituitur. Nam angulus, quem Ecliptica cum Aequatore in illa sectione facit, aequalis est angulo HES , cum tam ille, quam hic sit angulus maximæ declinationis; & anguli ad Aequatorem, quibus arcus Eclipticæ aequales opponuntur, nimirum S , & in alio triangulo ei respondens, recti sunt.. Igitur per propos. 21. nostrorum triang. sphær. arcus ES , arcui respondentibus in alio illo triangulo aequalis est; ac proinde & ex quadrantibus reliqui, videlicet AS, CT , & ei respondens ex altera parte, aequales sunt. Eodemque modo ostendetur ET, CT , aequales arcibus respondentibus ex altera parte, quos idem parallelus MI , dirimit. Quocirca tam quatuor arcus EH, EI , & eis respondentes a duobus punctis sequinoctialibus inchoati, quorum bini sunt oppositi, (nimirum EH , & respondentes arcus arcui EI , & EI , atque arcus arcui EH , respondentes) & bini aequaliter a duobus punctis sequinoctialibus, vel tropicis remoti, quam quatuor arcus a punctis tropicis inchoati, nimirum FH, GI , & eis ex altera parte respondentes, quorum bini etiam oppositi sunt, &c aequales habent ascensiones rectas.

SE, D sint iam quatuor arcus aequales HV, IX , et sibi ex altera parte respondentibus duo, neque a punctis sequinoctialibus, neque a tropicis inchoati, sed a eis aequaliter remoti. Dico eorum quoque ascensiones rectas, arcus scilicet QS, RT , & duos, ipsius altera ex parte respondentibus, aequales esse. Nam ut proxime monstratum est, tam quatuor arcus EH, EI , &



eis respondentes altera ex parte, ab sequinoctialibus punctis inchoati, quam quatuor arcus EV, EX , eisque altera ex parte respondentibus, a punctis etiam sequinoctialibus inchoati, ascensiones habente aequales, arcus videlicet ES, ET , eisque ex altera parte respondentibus, & arcus EQ, ER , eisque respondentes altera ex parte. Igitur & reliqui arcus quatuor QS, RT , eisque altera ex parte respondentibus, aequales erunt. Manifestum autem est, & hic binos esse oppositos, nimirum HV , & cum,

& eum, qui altera ex parte arcui IX, respondet; Item IX, & eum, qui altera ex parte arcui HV, respondet; binos autem vel à duobus punctis æquinoctialibus, & tropicis, vel ab uno eodemque, æqualiter distantes. Nam HV, eiq; respondet altera ex parte, æqualiter distant à duobus punctis æquinoctialibus. Et ab uno eodemque, punto tropico F, vel G; quod etiam de arcu LX, eiq; respondentem ex altera parte dicendum est: At tam duo arcus HV, IX, quam duo eis altera ex parte respondentes, æqualiter recedunt ab eodem punto æquinoctiali E, vel alio opposito, & à duobus punctis tropicis F, & G.

I T A Q V E satis est, si ascensiones rectæ omnium arcuum primi quadrantis Eclipticæ ab γ , inchoatorum inquirantur. Ex his enim tota tabula rectarum ascensionum construetur. Nam illis inuentis, si maiores primum, deinde minores ex semicirculo auferantur, relinquenter ascensiones arcuum quadrante majorum, & ab γ , inchoatorum. Ut ascensio recta primi quadrantis ab γ usque ad α , est quadrans. Et si ascensio arcus grad. 90. ex semicirculo detrahatur, reliqua fiet ascensio arcus grad. 90. Sic ex ascensione grad. 88. colligimus ascensionem grad. 92. &c. quia ascensio grad. 89. ab γ versus α æqualis est ascensioni grad. 89. à α versus γ , ut hic demonstratum est. Quare si ex semicirculo tollatur, remanebit ascensio reliqui arcus grad. 91. cum semicirculi ascensio si semicirculus. Sic ascensio grad. 88 ab γ , versus α æqualis est ascensioni grad. 88. a α versus γ , &c. Deinde si ascensiones omnium arcuum ab γ inchoatorum, usque ad α adiiciantur semicirculo, fient ascensiones omnium arcu semicirculo majorum ab γ , usque ad γ seu finem λ .

7. A R C U S Eclipticæ quadrante minores ab æquinoctialibus punctis inchoati, maiores sunt suis ascensionibus rectis, à tropicis vero punctis inchoati minores. Quoniam enim in triangulo OFH, duo latera OF, OH, semicirculo sunt simul minora, cum singula sint minora quadrante, quippe cum quadrantes sint OA, OS; erit angulus externus OHE, maior interno recto OFH, hoc est, obtusus, ex propos. 14. nostrorum triang. sphær. ideoque ex duobus rectis reliquis EHS, acutus, minorq; recto ESH. Igitur per propos. 1. nostrorum triang. sphær. arcus Eclipticæ EH, maior erit arcu Aquatoris ES, qui est illius ascensio recta; atque idcirco reliquis HF, ex quadrante EF, minor reliquo SA, ex quadrante EA. Consimilisque demonstratio fiet in arcibus EI, IG, & in alijs qui ab alio punto æquinoctiali sumunt initium, respondentque arcibus EH, HF, EI, IG.

E X hoc colligitur, arcus Eclipticæ à principio γ , inchoatos, & minores quadrante, maiores esse suis ascensionibus rectis; maiores vero quadrante, & semicirculo minores, minores ascensionibus suis rectis, quia ascensio primi quadrantis est quadrans, deinde vero arcus Eclipticæ adiecti usque ad finem λ , semper minores sunt suis ascensionibus rectis; Arcus autem semicirculo maiores, & tribus quadrantibus minores, rursus maiores esse suis rectis ascensionibus; propterea quod semicirculus ab γ , usque ad α , habet ascensionem semicirculum post quæ iterum arcus adiecti maiores sunt suis ascensionibus rectis: Arcus denique tribus quadratibus maiores, iterum esse minores ascensionibus suis rectis, eo quod tres quadrantes Eclipticæ ascensionem habent tres quadrantes, deinde vero arcus adiecti suis rectis ascensionibus sunt minores, quæ oīa hic demonstrata sunt.

S E D & hoc compertū est, in sphæra recta ascensionē cuiusvis arcus, seu puncti Eclipticæ esse æquale descensioni eiusdem. Quia nimirū descensio est ascensio supra Horizontem rectū antipodium, quibus tunc arcus ille, vel punctum oritur. Cū ergo ascensiones rectæ in omni Horizonte recto eodem modo se habeant, liquet id, quod proponitur. Vel sic. Quoniam arcus oppositi æquales tandem habent ascensionem,

Satis esse ut ait.
hinc recta om
nium arcuum pri
mū quadrantes
Ecliptice repre
sentantur.

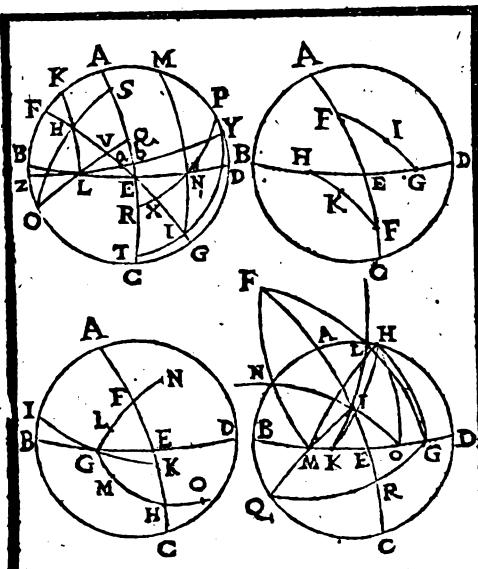
Qui auctus Ecli
pticæ maiores
fuerint ascensio
nibus rectis, &
quæ minores.

Ascensio recta ca
iusvis arcus, vel
puncti, æqualis
est descensioni re
cte eiusdem arc
us.

tionem, vt Numer. 6. ostensum est, estq; eadem ascensio eiusfuis arcus, quæ de-
scensio arcus æqualis oppositi, cum semper semicirculus Eclipticæ sit supra
Horizontem: fit ut ascensio & descensio illius arcus, qui arcui cuiusdam oppositū
est, æquales sint, quandoquidem æquales sunt ascensioni huius arcus, cui opponi-
tur. Verbi gratia, Ascensioni V , æquales sunt ascensio, & descensio V . Igitur
ascensio & descensio V , æquales sunt. Et sic de ceteris.

Circulus maxi-
mus ex polo mū-
di in r. interfe-
ctionem paralle-
li circulib[us] p[ar]t[us]
Eclipticæ cā
Horizonte obli-
quo datus, in-
terciperit cum Ho-
rizonte in Aequato-
re differentiam
ascensionalem, il-
lus puncti acli-
pticæ, cum circu-
lo vero alio ma-
ximo per illud
punctum Eclipticæ
ducatur, acri-
fionem obliquam
arcus inter illud
punctum, & Ho-
rizontem posuit.

a 1o. 2.
Theod.



puncto H, in L, statuetur punctum S, in Q, quod tunc arcus OS, arcui OQ, con-
gruat omnino. Erit ergo tunc arcus Aequatoris ab illo punto æquinoctiali vsq;
ad Horizontem obliquum in punto E, (secante tunc Ecliptica Horizontem
in L,) ascensio obliqua dicti arcus Eclipticæ vsque ad H, numerati, seu puncti
H, in L, tunc positi. At vero arcus Aequatoris ab eodem illo punto æquinoctiali
vsque ad punctum S, in Q, tunc collocatū, ascensio recta est eiusdem arcus, seu
puncti. Igitur EQ, differentia est ascensionalis. Non solum autem QS, ascensio
obliqua est arcus HE, cuius alterum extremum est punctum æquinoctiale E, ve-
rum etiam cuiusvis alterius arcus, nimis arcus Ha, si per L, ducatur alius Ho-

Zon obliquus ZY, secans Eclipticam in a, extra punctum æquinoctiale E. Nam supra hunc Horizontem arcus paralleli HL, cooritur cum arcu Eclipticæ Ha. Ergo ei similis QS, ascensio obliqua est arcus Ha. Sed arcus bQ, non est tunc differentia ascensionalis arcus Ha, quia bS, non est ipsius ascensio recta, quod puncta a, b, non simul ad Horizontem rectum ex O, per a, vel b, ductum perueniant, quod tamen requiritur, ut bS, possit esse ascensio recta prædicti arcus Ha. Constat ergo circulum maximum OQ, per L, ductum intercipere cum Horizonte obliquo BD, differentiam ascensionalem EQ, puncti H, siue arcus Eclipticæ a puncto æquinoctiali usque ad H, intercepti: & cundem cum maximo circulo OS, per idem punctum H, ducti, intercipere ascensionem obliquam QS, tam arcus HS, ab æquinoctiali puncto E, inchoati, respectu Horizontis BD, quam arcus Ha, non a puncto æquinoctiali E, inchoati, respectu Horizontis ZY. Eademq; de ceteris ratio est.

9. IN quois Horizonte obliquo duo Eclipticæ arcus æquales ab alterutro æquinoctiali punto æqualiter distantes, siue ab eo initium sumant, siue non, æquales habent ascensiones. Sit enim in secunda figura Meridianus ABCD; Aequator AC; Horizon obliquus BD, secans Aequatorem in E, & quicunque arcus Eclipticæ FG, ab æquinoctiali punto F, usque ad Horizontem, ita ut eius ascensio obliqua sit Aequatoris arcus FE; cum, posito punto F, in punto Horizontis E, & mota sphæra versus A, puncta E, & G, simul ad Horizontem perueniant. Sit quoque alijs arcus Eclipticæ FH, ipsi FG, æqualis, ab eodem punto æquinoctiali F, usque ad Horizontem, ad partes alterius poli, ita ut eius ascensio obliqua sit etiam EF; propterea quod, mota sphæra, cum primum F, ad Horizontem in E, peruererit, ambo arcus EF, HF, perorti conspiciuntur. Dico has ascensiones FE, EF, esse æquales. Quoniam enim in triangulis FEG, FEH, tam anguli ad verticem E, quam ad verticem F, (Arcus namque Eclipticæ FG, FH, concipiendi sunt continuati in F, ita ut angulos ad verticem F, constituant, sicut in sphæra; qui quidem sunt anguli maximæ declinationis, quos Ecliptica cum Aequatore facit.) æquales sunt; & arcus FG, FH, æqualibus angulis ad E, oppositi æquales ponuntur; arcusque GE, HE, reliquis angulis æqualibus ad F, oppositi semicirculum non conficiunt, cum minores sint quadranteibus ED, EB; eruit per propos. 22. nostrorum triang. sphær. arcus quoque FE, EF, æquales. quod est propositum. Vcl sic. Quoniam duo anguli EFG, GEF, duobus angulis EFH, HEF, æquales sunt, ut diximus, & duobus arcus FG, GE, circa reliquum angulum G, æquales sunt duobus arcibus FH, HE, circa reliquum angulum H; (Cum enim puncta G, H, æqualiter ab eodem punto æquinoctiali F, recedant, habebunt latitudines ortivas EG, EH, æquales, ut Num. 3. ostendimus: ut FG, FH, positi sunt æquales,) & in hisce angulis reliquis G, H, poli reliquorum arcum FE, EF, hoc est, Aequatoris, non existunt, cum Aequatoris poli sint in Meridianio; erunt per propos. 23. nostrorum triang. sphær. reliqui arcus FE, EF, æquales: Atque hæc demonstratio utraque propositum colligit, etiam si utrumque arcus FG, FH, quadrante maior sit, semicirculo tamen minor.

Duo Eclipticæ
arcus æquales ab
alterutro punto
æquinoctiali in-
choati, vel æqua-
liter distantes, as-
censiones obli-
quas habent æ-
quales.

SEDE sint iam æquales duo Eclipticæ arcus GI, HK, æqualiterque ab eodem punto æquinoctiali F, distantes, sed non ab eo inchoati. Dico eorum quoque ascensiones obliquas esse æquales. Cum enim æqualiter distent ab æquinoctiali punto E, erunt quoque tam arcus GF, HF, quam IF, KF, ab punto æquinoctiali F, inchoati, æquales. Ergo, ut proxime monstrauimus,

mus, tam illi, quam hi, æquales habebunt ascensiones. Ableatis igitur æquilibus ascensionibus arcum æqualium FI, FK, ex ascensionibus æquilibus arcum æqualium FG, FH, reliquæ sient ascensiones æquales æqualium arcum IG, KH.

Duo arcus Eclipticæ æquales ab eodem tropico puncto æqualiter remoti, item duo oppositi, sive à punctis æquinoctialibus initium sumant, sive aliunde, habent ascensiones simul sumptas, rectis arcibus suis rectis simul sumptis æquales.

10. IN Horizonte quolibet obliquo duo arcus Eclipticæ æquales ab alterutro punto tropico æqualiter distantes, itēq; duo arcus oppositi, sive à punctis æquinoctialibus initium sumant, sive aliunde, habent ascensiones suas simul sumptas ascensionibus suis in sphera recta simul sumptis æquales. In tertia enim figura Meridianus sit ABCD; Aequator AC; Horizon obliquus BD, Aequatorem secans in E: sive arcus Eclipticæ FG, ab V, inchoatus quicunque, semicirculo tamen minor, & ei æqualis HG, à —, inchoatus: quo posito, puncta eorum extrema æqualiter ab eodem punto tropico distabunt. Ponimus enim utrumque versus idem punctum tropicum tendere. Collocentur autem eorum puncta extrema in Horizonte, quæ in unum G, coibunt, cum habeant latitudines ortiuas æquales, vt Num. 3. demonstrauimus. Erunt igitur eorum ascensiones oblique arcus Aequatoris FE, HE. Ducto autem ex mundi polo I, per G, circulo maximo IK, erunt eorundem ascensiones rectis FK, HK; constat autem arcus FE, HE, simul sumptos, arcubus FK, HK, simul sumptis æquales esse. Atque hoc verum etiam est de æquilibus arcibus semicirculo maioribus. Ut si sumatur arcus ab V, per —, usque ad principium —, compleiens decem signa, eique æqualis à —, per —, usque ad principium A, compleiens quoque de decem signa: quoniam semicirculi ab V, per —, usque ad —, & à —, per — usque ad V ascensiones obliquas habent æquales ascensionibus rectis, nimirum semicirculos; si addantur ascensiones oblique arcuum à — per Z, usque ad initium —, & ab V, per Z usque ad initium A, quæ simul sumptis æquales sunt ascensionibus rectis eorundem arcum, vt proxime demonstrauimus, sient ascensiones oblique arcum ab V, per —, usque ad principium —, & à —, per —, usque ad principium A, simul sumptis, æquales ascensionibus rectis arcum eorundem. Et sic de ceteris.

SI N T deinde duo arcus æquales GL, GM, ab eodem tropico punto æqualiter distantes, sed non ab æquinoctialibus punctis F, H, inchoati. Et quoniam æquales sunt arcus GL, GM, æqualiterque ab eodem punto tropico distant; æqualiter quoque eorum puncta extrema G, L, G, M, ab V & —, distabunt, ideoque æquales erunt & toti arcus GF, GH, & reliqui FL, HM. Cum ergo proxime ostensum sit, ascensiones obliquas tam arcum FG, HG, quam arcum FL, HM, ab V, & inchoatorum simul sumptas æquales esse ascensionibus rectis eorundem simul sumptis, si posteriores à prioribus demandantur, erunt quoque reliqua ascensiones oblique arcum GL, GM, simul sumptis reliqua ascensionibus rectis eorundem arcum simul sumptis æquales. Hac autem demonstratio congruit quoque arcibus æquilibus ab eodem tropico punto æqualiter distantibus, qui intra se puncta æquinoctialia contineant. Ut in eadem tertia figura, si sumantur arcus æquales NL, OM, quorum extrema æqualiter ab eodem punto tropico absint; æquales erunt tam arcus FL, HM, quam FN, HO, ab æquinoctialibus punctis inchoati. Igitur, vt demonstratum est, tam illi, quam hi habent ascensiones suas obliquas simul sumptas ascensionibus suis rectis simul sumptis æquales, ac proinde si priores posterioribus addantur, efficientur ascensiones oblique simul sumptis totorum arcum NL, OM, æquales rectis, eorundem ascensionibus simul sumptis,

DENI-

DENIQUE si sunt duo arcus æquales oppositi quicunque, distantie eorum à punctis æquinoctialiibus tam secundum successionem signorum, quam cetera numeratæ, æquales erunt: Et si inter ipsos accipiatur alius arcus æqualis, cù altero ipsumrum æqualiter ab eodem puncto æquinoctiali distans, distabit idem cum reliquo ab eodem pùcto tropico æqualiter. Igitur cum arcus æquales ab eodem puncto æquinoctiali remoti habeant ascensiones æquales, vt Num. 9. ostendimus; arcus autem æquales ab eodem puncto tropico recedentes habent, vt proxime demonstravimus, ascensiones suas obliquas simul sumptas ascensionibus suis rectis simul sumptis æquales; habebunt quoque arcus oppositi æquales (sumpto altero eorum pro eo, qui cum reliquo eandem distantiam ab eodè tropico pùcto habet) ascensiones suas obliquas simul sumptas rectis suis ascensionibus simul sumptis æquales. Verbi gratia. Signa γ , & π , sunt opposita: & quia π . & γ , æqualiter distant à principio ω ; distabunt quoq; γ . & π , æqualiter à principio ω . Cum ergo γ . & π , ascensiones suas obliquas simul sumptas, habeant æquales ascensionibus suis rectis simul sumptis, vt proxime monstratum est, & eadem sit ascensio obliqua α , que π , vt Num. 9. ostendimus; erunt quoque ascensiones obliquæ γ . & π , simul sumptæ ascensionibus rectis eorundem simul sumptis æquales. Eademque ratio est de alijs quibuscumque arcibus, sive à punctis æquinoctialiibus initium sumant, sive non.

11. IN omni regione obliqua arcus Eclipticæ ab γ , inchoati, & semicirculo minores, maiores sunt suis ascensionibus obliquis; à ω , vero inchoati, minores: dummodo latitudo loci neque maior sit complemento maximæ declinationis. (Nō enim omnia signa oviuntur, aut occidunt in ea regione, vbi altitudo poli complementum maximæ declinationis superat, hoc est, maior est, quam grad. 66. $\frac{1}{2}$) neq; minor declinatione illius puncti, quod tunc in Meridiano reputatur, si tamen boreale est, quando extrellum punctum propositi arcus in Horizonte existit. Sit enim in quarta figura Meridianus ABCD; Aequator AC; Horizon obliquus BD, secans Aequatorem in E; polus Horizontis H, vt latitudo regionis sit AH; arcus Eclipticæ FG, quantuscunq; à principio γ , in punto F, inchoatus, sed semicirculo minor. Item arcus Eclipticæ IK, quanteuscunq; à principio ω ; in I, inchoatus & minor semicirculo. Dico arcum FG, maiorem esse sua ascensione obliqua FE, & arcum IK, sua obliqua ascensione IE, minorem. Ducto enim per H. polum Horizontis, & punctum G, vbi Ecliptica Horizontem secat, circulo maximo HG, qnoniam latitudo loci AH, non ponitur minor declinatione AL, puncti borealis L, quod tunc in Meridiano existit, (quod quem semper boreale est, quando principium γ , nimirum punctum F, est ultra punctum A, in Aequatore. Nam quando est citra punctum A, vt in I, punctum Eclipticæ N, in Meridiano tunc existens, australe est, ac proinde latitudo loci potest esse quantumvis parua) erit angulus HGE, vel maior, vel æqualis angulo LGE. Cum ergo HGE, rectus sit, erit LGE, vel minor recto, vel rectus, ac proinde minor angulo AFG, qui obtusus est, propter eius arcum DA, quadrante D H, maiorem. Igitur per propos. 11. nostrorum triang. sphær. arcus FG, maior erit arcu FE. Eodem modo concludemus, arcum IO, maiorem esse arcu IE, quod ducto circulo maximo HO, angulus HOE, rectus sit, ideoque IOE, acutus, & minor obtuso IEO, &c.

RVRSVS ducto per H, K, circulo maximo HK, erit angulus HKE, vel minor, vel æqualis angulo LKE, q; latitudo loci AH, ponatur non minor declinatione AL, puncti borealis L, in Meridiano tunc existens; quod semper boreale erit, quando

Arcus Eclipticæ ab Aries inchoati, & semicirculo minore, maiores sunt suis arcis sumptis in obliqua sphæra; inchoati, vero a Libra, minores.

ass. i. Theo.

b. s. s. i. Theo.

s.s.s.Theo. quando instium arc , hoc est, punctum I, est citra punctum A, in Aequatore. Nā quando est ultra punctū A, vt in F, punctum Eclipticæ N, in Meridianū tunc extens, australē est, ac pīnde latitudō loci; quādūuis exīgū esse potest. Igītū; cū angulus HKE, rectus sit, erit IHE, vel maior recto, vel rectius, ac pīnde maior angulo IEK, qui acutus est, propter eius arcum BA, quadrante BH, minorē. Erit ergo per propos. 11. nostroruā triang. sphær., arcus IK, minor arcu IE. Eademque ratione ostendemus arcum FM, minorē esse arcu FE, propterea quod, ducto circulo maximo HM, angulus HME, rectus est, atque idcirco FME, obtusus, ac maior acuto angulo FEM, &c.

Arcus Eclipticæ ab Ariete inchoati habent ascensiones obliquas tanto rectis acē, bōndis minores, quanto maiores rectis sunt ascensiones obliquæ arcum oppositorum, & equalium à inchoatorum. Ponantur enim in eadem figura quarta duo arcus FG, FM, æquales, arcus quidem FG, ab V , at FM, à L , inchoatus, ducanturque ex mundi polo Q, per G, M, ubi dicti duo arcus Horizontem secant, circuli maximi QG, QM, Aequatorem secantes in R, I, vt rectæ ascensiones arcuum FG, FM, sint FR, FI. Vbi liquido constat, obliquam ascensionem FE, arcus FG, ab V , inchoati, minorē esse ascensionem rectam FR, ascensionem vero obliquam FE, arcus FM, à L , inchoati, maiorem esse ascensionem rectam FI, differentiasque ascensionales illorum arcuum esse ER, EI, quas dico esse æquales: adeo vt tanto minor sit ascensio obliqua FE, ascensione recta FR, quanto obliqua ascensio FE, recta ascensione FI, maior est. Quoniam enim puncta Eclipticæ G, M, per diametrum opposita sunt, propter æquales arcus FG, FM, ab V , & L , inchoatos, & secundum successionem signorum numeratos; erunt eorum latitudines ortu EG, EM, æquales, vt Num. 3. collegimus. Igītū cum in triangulis EGR, EMI, anguli ad verticem E, æquales sint, ex propol. 6. nostrorum triang. sphær. & anguli R, I, recti, quibus oppositi sunt arcus ostensi æquales EG, EM; erunt per propos. 21. nostrorum triang. sphær. arcus ER, EI, æquales.

N I H. L autem resert, quod posuerimus oppositos arcus FG, FM, æquales, cum tamen ascensiones rectas FR, FS, habeant inæquales: quia idem prorsus concludetur, si, vt res postulat, principium arc , ultra F, acciperetur, vt arcus Eclipticæ ab eo usque ad M, fieret æqualis arcui FG, eiisque ascensio recta ab eodem principio arc , usque ad I, æqualis ascensioni rectæ FR, propterea quod differentiaz ascensionales ER, EI, eadem semper permanent.

Proponam arcum Eclipticæ equalium ab eodem punto tropico æqualiter distent, vel line oppositi, erit ad huc ascensio obliqua vnius tanto minor ascensione recta eiusdem, quanto alterius obliqua ascensio maior est: & arcus quidem in semicirculo Eclipticæ ascendente, hoc est, à Z , per V , usque ad E , comprehensi, minores habent ascensiones, & arcus in semicirculo descendente, id est, à E , per Z , usque ad V , contéti, maiores, vt lib. 3. Can. 5. Nu. 15 demonstrabitur. Ex quo fit, vt arcus ab V , usque ad E , minores habent ascensiones, quam arcus à E , usque ad V , cum arcus à E , usque ad V , habeant, vt Num. 9 monstratum est, ascensiones æquales iis, quas arcus à E , usque ad V ; habent. Eadem de causa habebunt arcus à V , usque ad E , maiores ascensiones, quam arcus ab V , usque ad E , cū hi posteriores arcus habeat ascensiones æquales iis, quas arcus ab V , usque ad E , habent, vt ex Num. 9. liquet. Itaque arcus à V , per Z , usque ad E , tanto minores habent ascensiones obliquas ascensionibus rectis, quanto arcus

Proponam arcum Eclipticæ equalium ab eodem punto tropico æqualiter distent, vel line oppositi, erit ad huc ascensio obliqua vnius tanto minor ascensione recta eiusdem, quanto alterius obliqua ascensio maior est: & arcus quidem in semicirculo Eclipticæ ascendente, hoc est, à Z , per V , usque ad E , comprehensi, minores habent ascensiones, & arcus in semicirculo descendente, id est, à E , per Z , usque ad V , contéti, maiores, vt lib. 3. Can. 5. Nu. 15 demonstrabitur. Ex quo fit, vt arcus ab V , usque ad E , minores habent ascensiones, quam arcus à E , usque ad V , cum arcus à E , usque ad V , habeant, vt Num. 9 monstratum est, ascensiones æquales iis, quas arcus à E , usque ad V ; habent. Eadem de causa habebunt arcus à V , usque ad E , maiores ascensiones, quam arcus ab V , usque ad E , cū hi posteriores arcus habeat ascensiones æquales iis, quas arcus ab V , usque ad E , habent, vt ex Num. 9. liquet. Itaque arcus à V , per Z , usque ad E , tanto minores habent ascensiones obliquas ascensionibus rectis, quanto arcus

arcus à E , per H , usque ad Z , illis æquales, habent maiores. Hoc autem ita ostendit poterit. Quoniam, ut Num. 6. ostensum est, Z , & E , habent ascensiones rectas æquales, sicut illæ ascensiones FK, HK, ut in tercia figura: Et quia his simul sumptis æquales sunt ascensiones obliquæ eorundem arcuum simul sumptuæ, ut Num. 10. demonstratum est, estque ascensio obliqua Z , minor ascensione obliqua E ; si FE, sit ascensio obliqua Z , ac proinde reliquus arcus EH, ascensio obliqua E ; perspicuum est, arcum FE, tanto minorem esse arcu FK, quanto maior est arcus EH, arcu KH, vel eodem FK, cum utrobius excessus sit arcus EK. Atq. ita de cæteris arcibus equalibus oppositis. Rursus quia Y , & U ascensiones rectas habent æquales, ut Num. 6. dictum est, sicut illæ ascensiones FK, HK, in eadem tercia figura: Et quia his simul sumptis æquales sunt ascensiones obliquæ eorundem arcuum simul sumptuæ, ut ex Num. 10. patet, si dividatur FH, in arcus inæquales in E, ut EH, sit ascensio obliqua Y , & EF, Y , liquido conhabit, tanto maiorem esse arcum EH, arcu HK, quanto arcus EF, minor est arcu eodem FK, vel HK. Eademque ratio est de aliis arcibus æqualibus ab eodem punto tropico æqualiter distantibus. Quod si ascensio Z , minor esset ascensione Z , colligeretur eodem modo, tanto minorem esse illam rectam ascensionem, quanto hæc maior est, ita ut certissimum sit, si accipiantur duo arcus Eclipticæ æquales vel æqualiter distantes ab eodem punto tropico, vel oppositi, vnius ascensionem obliquam esse tanto minorem recta ascensionem eiusdem, quanto ascensio obliqua alterius major est.

13. IN omni regione obliqua duo arcus Eclipticæ æquales ab eodem punto tropico, aut æquinoctiali, æqualiter distantes, vel oppositi, eandem habent differentiam ascensionalem. Quoniam enim arcus æquales æqualiter recedentes ab eodem tropico punto, vel oppositi, habent ascensiones obliquas simul sumptus æquales a ascensionibus rectis simul sumptis, ut Num. 10. docuimus, sunque ascensiones eorum rectæ æquales, ut ex Num. 6. liquet, sit ut unius ascensio obliqua sit tanto minor, quam recta, quanto alterius ascensio maior est, ut Num. 12. diximus. Igitur eandem habent ascensionalem differentiam. De arcibus autem equalibus ab eodem punto æquinoctiali æqualiter distantibus res perspicua est, cum æquales habeant ascensiones obliquas, ut Num. 9. ostensum est, ac proinde utriusque ascensio, vel eodem excessu superet ascensionem rectam, vel ab ea deficit.

Duo arcus Eclipticæ æquales ab eodem punto tropico, velæquinoctiali æqualiter distantes, aut oppositi, eandem habent differentiam ascensionalem.

14. IN omni regione obliqua arcus quilibet Eclipticæ, cuius extrema puncta ab eodem punto tropico æqualiter distant, cuiusmodi sunt arcus inter principia II , & A , inter initia Y , & M , inter initia V , & C , inter initia X , & M , atque inter principia XXX , & P , eandem habent ascensionem, quam in sphera recta; quia, ut Num. 10. demonstratum est, semisiles illius arcus habent ascensiones suas simul sumptus, æquales ascensionibus rectis simul sumptus. Vnde quamvis una semisilius habeat minorem ascensionem obliquam, & altera maiorem, amba tamen simul sumptuæ efficiunt ascensionem rectam totius arcus.

Arcus Eclipticæ quicunque ab eodem punto tropico distanti diuersi, habet vim sua locorum alicuius fixam obliquam æqualem ascensionem rectam.

EX quo efficitur, eundem arcum predictum in omnibus regionibus, vel aequalibus poli, eandem habere ascensionem, licet partes diuersimode ortantur: quia videlicet in omnibus elevationibus poli ascensio eius æqualis est ascensioni rectæ.

DESCENSIO porrò cuiusvis arcus Eclipticæ æqualis est ascensioni arcus oppositus, quia eodem tempore, quo arcus aliquis descendit, oritur eius arcus oppositus, ut semper semicirculus Eclipticæ supra Horizontem conspicatur

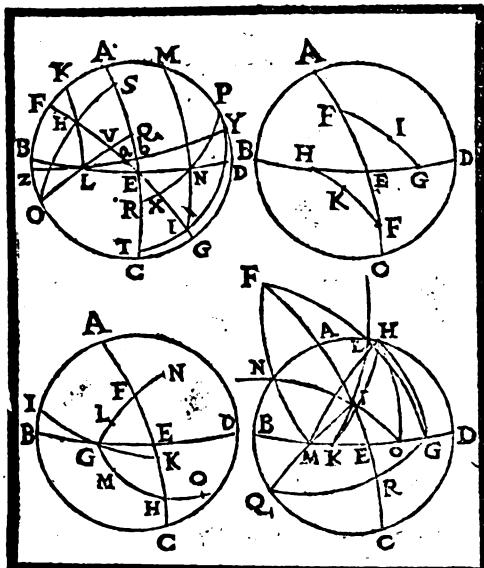
Defensio cuiusvis arcus Eclipticæ æqualis est ascensioni arcus oppositus.

a 11.1. Theor. spiciatur, ut ratio postulat, cum Horizon, & Ecliptica se mutuo bisariant secent.

Satis est, si supponatur ascensiones obliquæ arcum quadrantis primi Eclipticæ.

IT A Q V E satis est, ut tabula ascensionum obliquarum extruatur, si ascensiones obliquæ supputentur pro arcibus quadrantis Eclipticæ ab v , usque ad z . Nam, ut Num. 9. demonstravimus, horum arcum ascensiones æquales sunt ascensionibus arcum quadrantis ab v , usque z , sumendo semper binos æqua liter à principio v , distantes: atque ita habebuntur ascensiones arcum in uno semicirculo contentorum. Et quia, vi. Num. 10. ostensum fuit, horum arcum ascensiones, & oppositorū ascensiones simul sumptæ æquales sunt ascensionibus rectis eorundem, habentque oppositi arcus ascensiones rectas æquales, ut Num. 6. patuit; sit, ut ascensiones arcum semicirculi à z , usque ad w , ex ascensionibus rectis eorundem duplicatis ablate relinquant ascensiones obliquas oppositorum arcum.

E X his autem sic tabula ascensionum obliquarum constructur. Supputatis ascensionibus arcum ab v , inchoatorum, usque ad finem w , si ex subtrahantur ab ascensionibus rectis duplicatis eorundem arcum, reliquæ sient ascensiones obliquæ arcum, à w , inchoatorum, usque ad finem x : Et quia hec æquales sunt ascensionibus obliquis arcum æqualium à w , usque ad initium y ; si hec, Initio facta à maioribus, ex semicirculo deprehensum, habebuntur ascensiones obliquæ arcum quadrante majorum ab v , inchoatorum, usque ad finem y . Quod si ascensionibus arcum à w , inchoatorum, usque ad finem y , adiciatur semicirculus, exurgent ascensiones arcum semicirculo majorum ab v , inchoatorum, usque ad finem y . Denique quia ascensiones arcum ab v , usque ad w , æquales sunt ascensionibus arcum ab v , usque ad z ; si hec, initio à maioribus facta, subtrahatur ex integro



circulo, remanebunt ascensiones obliquæ arcum tribus quadrantibus majorum, & ab v , inchoatorum, usque ad finem y .

15. I AM vero ex ijs, quæ dicta sunt, liquido etiam constare arbitror, eandem esse differentiam ascensionalem cuiuslibet puncti Eclipticæ, & differentiam inter arcum semidiurnum parallelum per illud punctum descripti, & arcum semidiurnum Aequatoris, quadrantemque. Nam in prima figura huius lemmatis arcus semidiurnus parallelus MI, borealis per punctum Eclipticæ I, descripti, est arcus MN, hoc est, ei similis arcus Aequatoris AR, ita ut ER, differentia

Differentia ascensionalis cuiuslibet puncti Eclipticæ, & etiam differentia inter arcum semidiurnum eiusdem puncti, & arcum semidiurnum Aequatoris, qui semper quadrans est.

rentia sit inter arcum semidiurnum AR , paralleli borealis MI , seu puncto borealis Eclipticæ I. & arcum semidiurnum Aequatoris AE . Dico ER , esse quoque differentiam ascensionalem ciudem puncti Eclipticæ I. Mota enim sphaera, donec punctum I. ad Horizontem in puncto N. perveniat, sit arcus Aequatoris à principio recte, vbiunque tunc extiterit, secundum successionem signorum usque ad E. computatus, ascensio obliqua puncti I. in N. tunc existentis, cum punctum Aequatoris E. cum puncto Eclipticæ I. in N. existentis, orietur supra Horizontem : Arcus vero Aequatoris ab eodem principio recte, usque ad R. , computatus, ascensio recta erit eiusdem puncti I. in N. tunc existentis ; quippe cum punctum Aequatoris R. & punctum Eclipticæ N. quod tunc ab I. non differt, simul supra Horizontem rectum PR. , ascendant. Est ergo ER , differentia ascensionalis. Eadem ratione erit EQ. , differentia ascensionalis puncti australis Eclipticæ H. & differentia inter arcum semidiurnum eiusdem puncti H. vel paralleli KL. & arcum semidiurnum Aequatoris; cum ascensio obliqua terminetur in E. & recta in Q. ; atque AQ. sit arcus semidiurnus puncti H. ; hoc est, similis arcui semidiurno KL. & AE. arcus semidiurnus Aequatoris.

I G I T U R, vt arcus semidiurnus cuiuslibet puncti Eclipticæ supponatur, in quirenda erit differentia ascensionalis illius puncti. Hac namque, si punctum boreale est, adiecta ad arcum semidiurnum Aequatoris, qui perpetuo Quadrans est, conficiet quadratum arcum semidiurnum : Eadem vero ex arcu semidiurno Aequatoris dempta, si punctum Eclipticæ datum australe est, relinquat arcum semidiurnum quadratum.

Quoniam ex differentia ascensionali cuiuslibet puncti Eclipticæ arcus semidiurnus eiusdem puncti circulatur.

A T Q V E ex hoc manifestum est, quando punctum boreale est, cuiusmodi est I. differentiam ascensionalem ER , addendam esse ad semidiurnum arcum Aequatoris AE. hoc est, ad quadrantem, vt semidiurnus AR. puncti dati prodeat ; eandem vero ex ascensione recta in R. terminata auferendam esse, vt ascensio obliqua in E. terminata relinquitur. Contra vero, quando punctum datum H. australe est, differentiam ascensionalem EQ. auferendam esse ex quadrante, siue ex arcu semidiurno Aequatoris AE , vt semidiurnus arcus AQ. dati puncti ielinquatur; eandem vero ad rectam ascensionem in Q. certissimam esse adiicendam, vt obliqua ascensio in E. terminata conficiatur.

Differentia ascensionalis quando addenda, vel auferenda, vt habeatur arcus semidiurnus, vel si est in obliqua dati puncti, vel alterius.

H O C idem, quod de punto Eclipticæ boreali, australiue diximus, intelligendum quoque est de stella quavis boreali, vel australi, vt patet, si stella aliqua borealis collocetur in parallelo MI. & australis in parallelo KL. Brunt enim eam differentias ascensionales ER. EQ. &c.

Q V I A vero puncta Eclipticæ opposita æquales habent ascensionales differentias, vt Num. 1. ostendimus; habet autem quodlibet eorum cum puncto, quod è qualm cum eo à proximo puncto tropico distantia habet, eandem differentiam ascensionalem, cù per ea duo puncta idem parallelus transeat, vt Num. 1. demonstravimus; efficitur, quaterna puncta Eclipticæ eandem habere differentias ascensionales.

Quaterna puncta Eclipticæ habere tandem differentias ascensionalem.

16. E A N D E M habet proportionem sinus totus ad sinum compleimenti declinationis dati puncti Eclipticæ, quam trans arcus inter datum punctum, & proximum punctum æquinoctiale comprehensi ad secantem ascensionis recte eiusdem arcus, seu puncti dati à proximo puncto æquinoctiali numerande. Nam in sphærico triangulo FGK, rectangulo, cuius angulus K, rectus, qd in tertia precedente figura habetur, ita se habet sinus totus ad sinum compleimenti arcus GK, declinationis puncti Eclipticæ G, circa angulum rectum K, vt secans arcus FG, Eclipticæ inter datum punctum G, & proximum punctum æquinoctiale F, recto angulo K, oppositi, ad secantem tertium arcus FK, ascensionis recte, qui est alter arcus

Sicut totus ad finem compleimenti declinationis cuiuslibet puncti Eclipticæ secans arcus inter illud punctum, & punctum æqua noctis proximum ad secantem ascensionis recte eundem arcus.

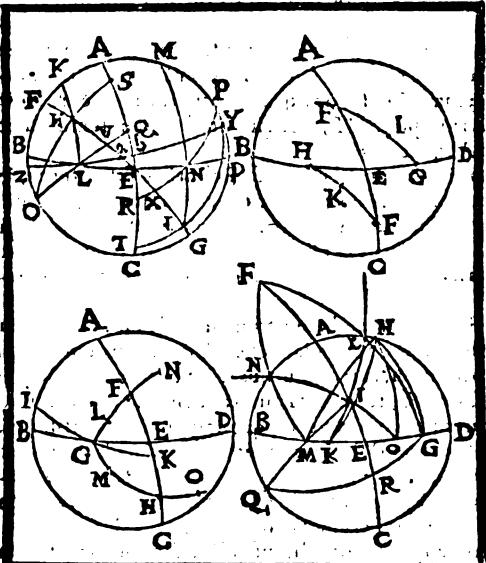
circa angulum rectum K: ut propos. 53. nostrorum triang. sphær. demonstravimus. quod est propositum. Atque ita inuentis hoc modo ascensionibus regiomontianis punctorum primi quadrantis Eclipticæ, eruentur ex illis ascensiones rectæ omnium aliorum punctorum, ut supra Num. 6. diximus.

Sinus torus ad tangentem altitudinis poli eandem proportionem habet, quam tangens declinationis dati puncti Eclipticæ ad sinum differentiæ ascensionalis eiusdem puncti. In triangulo namque sphærico rectangulo EGK, cuius angulus K, reclus, quod in eadem tertia figura procedente habetur, ita se habet

per propos. 49. nostrorum triang. sphær. sinus totus ad tangentem arcus GK, declinationis puncti Eclipticæ G, circa rectum angulum K, ut tangens complementi anguli E. dicto arcui GK, oppositi, hoc est, ut tangens altitudinis poli, (cum angulus E, sit angulus complementi altitudinis poli, quem nimis mirum Aequator AC, cum Horizonte facit) ad sinum arcus EK, differentiæ ascensionalis, qui alter arcus est circa angulum rectum K. Igitur permutando erit quoque, ut sinus totus ad tangentem altitudinis poli, ita tangens declinationis dati puncti Eclipticæ ad sinum differentiæ ascensionalis eiusdem puncti. Sed hoc siue triangulis sphæricis ita

quocunque demonstrabimus:

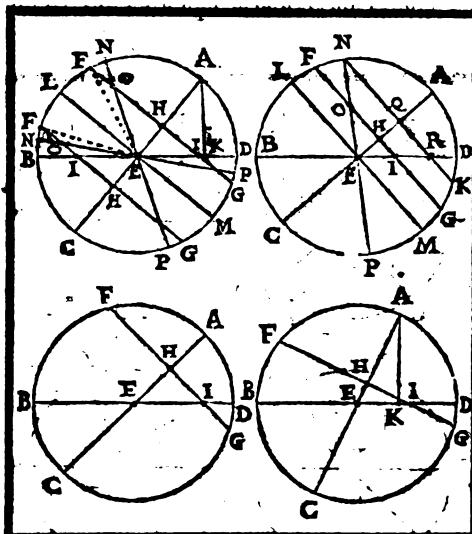
S I T. in prima sequente figura Meridianus ABCD; Horizontis diameter BD; Aequatoris LM; axis mundi AC; diameter paralleli FG, scilicet borealis, sive australis, axem secans in H, ad angulos rectos, & Horizontis diametrum in I; diameter Eclipticæ NP, secans FG, in O: Et demiceratur ad BD, ex polo A, perpendicularis AK. Quod si circa-diametros NP, FG, intelligantur semicirculi earum ad Meridianum recti, & ex punctis E, O, H, I, excitatae perpendicularares ad eundem Meridianum, cadet perpendicularis ex O, in punctum Eclipticæ datum, per quod parallelos diametri FG, transire, cum in extremo Alius perpendicularis in superficie sphæra se intorscent Ecliptica, & parallelos. Arcus autem parallelis inter perpendicularates ex O, H, erit ascensione recta dati puncti, cum cooriantur cum arcu Eclipticæ inter perpendicularates ex O, P, supra Horizontem rectum per AC, dum idemque arcus parallelis similis erit arcui Aequatoris coorienti, cum semper statiles arcus parallelorum eodem tempore peroriantur in omni Horizonte. At arcus parallelis inter perpendicularates ex O, I, erit ascensio oblique



qua eiusdem arcus Ecliptice, cum vna cum arcu Ecliptice inter perpendicularares ex O, E, peroratur supra Horizontem obliquum per BD, ductum. Arcus denique parallelus inter perpendicularares ex H, I, differentia erit ascensionalis. Rursus HE, sinus est declinationis LF, & FH, sinus complementi AF, eiusdem declinationis. Nam ergo sat; vi PH, sinus comple-
menti declinationis ad HE, sinus declinationis, ita FH, sinus totius ad aliud, inuenieturque HE, in partibus semidiametri PH, eeu sinus totius. Sed quoniam per propos. 18. tractatus sinuum, est ut FH, sinus comple-
menti declinationis ad HE, sinus declinationis, ita sinus totius ad tan-
gentem declinationis. Igitur recta HE, invenia in partibus semidiametri FH,
est ^{a 9. quinto} equalis Tangenti declinationis respectu sinus totius EA a hoc est, quot
partes sunt in HE, respectu sinus totius FH, tot continentur in Tangente
declinationis respectu sinus.

totius EA, adeo, ut idem
sit accipere HE, in par-
tibus sinus totius FH, at-
que Tangentem declina-
tionis parallelis propositi, re-
spectu sinus totius EA. De-
finde quia triangula AEK,
IEH, aquiangula sunt,
ob angulos rectos K, H, &
communem angulum E,
vel ad verticem E, ^{equales}, erit, ut EK, sinus
complementi altitudinis po-
li ad AK, sinus altitudi-
nis poli, ita HE, inuenia-
ta in partibus sinus totius
FH, hoc est, ita tangens
declinationis, ad HI, si-
num differentiae ascensional-
lis in partibus eiusdem
sinus totius FH. Est autem
per propos. 18. tractatus si-
nuum, ut sinus complemen-
ti altitudinis poli ad sinum al-
titudinis poli, ita sinus to-
tus ad Tangentem altitudinis poli. Igitur erit quoque, ut sinus totus ad
Tangentem altitudinis poli, (qua Tangens in eadem regione nunquam mu-
tatur) ita Tangens declinationis ad sinum differentiae ascensionalis, quod est
propositum.

C A E T E R V M quando diximus, arcum parallelus inter perpendicularares ex O, I, erat esse ascensionem obliquam arcus Eclipticae, cuius sinus est EO, intelligendum est de arcu, qui a proximo puncto aequinoctiali E, contra successionem signorum numeratur. Ut vergente Ecliptica EN, ad
polum borealem A, arcus numerandus est a ~~versus~~, versus ~~M~~, ~~N~~, & ~~O~~. Et quia arcus a ~~versus~~, versus ~~O~~, habent ^{equaliter} ascensiones cum arcibus
equalibus, ^{equaliterque a principio} ~~versus~~, versus ~~O~~, recedentibus, ut Num. g.



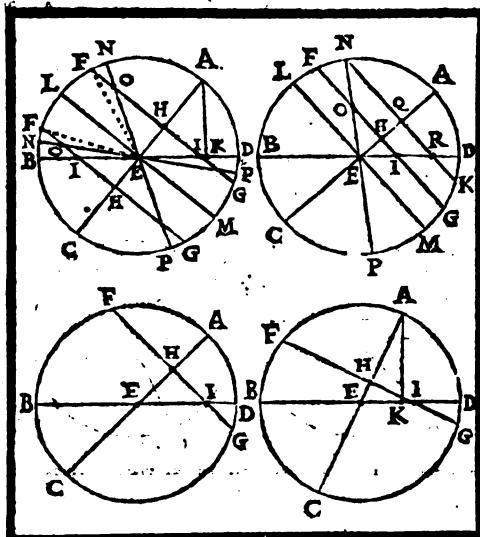
b & sexta.

ostendimus; inuentis illorum ascensionibus obliquis, repertæ quoque erunt horum ascensiones obliquæ; ita vt ascensiones omnium arcuum in semicirculo descendente à principio --- , inchoatorum cognitæ tunc sint: Vergente autem Ecliptica EN, ad polum australem, arcus idem, cuius sinus EO. numerandus est ab --- , versus --- , --- , & --- . Et quia arcus ab --- , versus --- , habet hasdem ascensiones cum arcibus equalibus, equaliterque à principio --- , versus --- , precedentibus, vt Num. 9. ostensum est; inuentis illorum ascensionibus obliquis, repertæ quoque erunt horum ascensiones obliquæ; ita vt omnium arcuum in semicirculo ascendente à principio --- , inchoatorum cognitæ tunc sint. Quo pacto autem ex hisce ascensionibus cognitis cognoscantur & ascensiones arcuum ab --- , inchoatorum, & secundum signorum successionem numeratorum, paplo ante ad finem Num. 14, declarauimus, & iursum dicemus lib. 3. in scholio Canonis 5. Num. 1.

Q V O D autem arcus Eclipticæ prædicti ab --- , & --- , numerandi sunt contra successionem signorum, ex eo liquet, quod punctum Eclipticæ parallelocommune, in quod perpendicularis ex O, erecta cadit, Horizontem obliquum ad motum sphæræ secat in punto, in quod perpendicularis ex I, erecta incidit, ac deinde arcus parallelus inter perpendiculares ex O, I, & arcus Eclipticæ inter perpendiculares ex O, E, ab O, usque ad aquinoctiale punctum E, secundum successionem signorum numeratus, simul peroritur, cum eorum extrema simul ad Horizontem obliquum perueniant. Idem dicendum est de ascensionibus rectis supra Horizontem rectum per AC, ducentum: sed quia arcus equalis ab --- , & --- , versus --- , numerati habent rectas ascensiones æquales,

vt, Num. 6, diximus, nihil interest, vtrum arcus Eclipticæ numeretur à --- ; contra successionem signorum, an ab --- , secundum successionem signorum, &c.

Differentia inter longissimum vel brevissimum, arcum secundum, & arcum secundum Aequatoris, & arcum secundum Aequatoris, quo patet in quaute clementia poli super cetera.



E T quoniam inuenta differentia ascensionali principij --- , vel --- , hoc est, differentia maximi, vel minimi arcus semidiurni, & semidiurni arcus Aequatoris, ad quacumque altitudinem poli, (Eadem enim differentia ascensionalis, est differentia inter arcum semidiurnum, & arcum semidiurnum Aequatoris, vt Num. 15. ostendimus.) facilis negotio differentiae ascensionales omnium aliorum punctorum Eclipticæ reperiuntur in eadem

eadem poli eleuatione, vt Num. 18. dicemus, inuenietur differentia ascensionalis principii \odot , vel \odot , si fiat, vt sinus totus ad Tangentem altitudinis poli proposita, ita Tangens maxima declinationis, quam principium \odot , vel \odot , habet, (quæ Tangens eadem permanet in omnibus eleuationibus poli) ad aliud. Ita enim inuenietur differentia quæ sita inter longissimum, vel breuissimum arcum semidiurnum, & arcum semidiurnum Aequatoris, vt hoc loco demonstratum est, si FG, sit diameter paralleli \odot , vel \odot , & EF, semidiameter Eclipticæ, vt F, sit punctum Eclipticæ datum quadrante distans à puncto æquinoctiali E.

18. SINVS totus ad sinum ascensionis rectæ dati puncti Eclipticæ eandem proportionem habet, quam sinus differentiæ inter longissimum, vel breuissimum arcum semidiurnum, & arcum semidiurnum Aequatoris, hoc est, sinus differentiæ ascensionalis principij \odot , vel \odot , ad sinum differentiæ ascensionalis, seu differentiæ inter arcum semidiurnum eiusdem puncti dati Eclipticæ, & arcum semidiurnum Aequatoris. Sit enim rursus in secunda figura Meridianus ABCD, Horizontis diameter BD, Aequatoris LM, axis mundi AC; diameter paralleli borealis FG, axem ad rectos angulos in H, secans, & Horizontis diametrum in I; diameter paralleli \odot , NK, secans axem in Q, & Horizontis diametrum in R; diameter denique Eclipticæ NP, secans FG, in O. Quod si circa diametros NP, NK FG, intelligantur earum semicirculi ad Meridianum recti, & ex punctis E, O, H, I, Q, R, excitatae rectæ ad eundem Meridianum perpendicularares, cadet perpendicularis ex O, in punctum Eclipticæ datu^m; & arcus paralleli inter perpendicularares ex O, H, erit ascensio rectæ dati puncti, & OH, eius sinus; arcus vero eius de paralleli inter perpendicularares ex O, I, ascensio obliqua erit, vt Num. 17, declinatus, & arcus inter perpendicularares ex H, I, differetia ascensionalis, eiusq; sinus. HI; deniq; QR, sinus erit differentia ascensionalis \odot , hoc est, differentia inter longissimum arcum semidiurnum, &c. Et quoniam ex scholio propos. 4. lib. 6. Eucl. est, vt NQ, sinus totus paralleli \odot , ad QR, sinum differentiæ inter longissimum arcum semidiurnum, & arcum semidiurnum Aequatoris, ita OH, sinus ascensionis rectæ dati puncti Eclipticæ ad HI, sinum differentiæ ascensionalis eiusdem puncti, erit permutando, vt sinus totus ad sinum ascensionis rectæ dati puncti, ita sinus differentiæ ascensionalis \odot , ad sinum differentiæ ascensionalis eiusdem dati puncti, quod est propositum. Quod autem hic acceperimus parallelos boreales, non refert, cum eodem sint ascensiones rectæ, eademq; differentiæ ascensionales parallelorum australium, quæ borealium, vt supra demonstratum est Num. 6. & 13. Itaque si supputata sit in qualibet regione differentia ascensionalis initii \odot , vel \odot , & adiut tabula ascensionum rectarum, facili negotio reperiatur differentia ascensionales omnium alterius punctorum Eclipticæ in eadem regione.

19. In latitudine grad. 45. ita se habet sinus complementi declinationis datum puncti Eclipticæ ad sinum declinationis eiusdem puncti, vt sinus totus ad sinum differentiæ ascensionalis eiusdem puncti. Nam in tertia figura Meridianus fit ABCD; diameter Horizontis BD, altitudo poli DA, grad. 45. & axis mundi AC; & parallelis cuiusvis diameter FG, secans axem in H, & diametrum Horizontis in I. Et quia in triangulo HEI, omnes anguli æquales sunt duobus rectis, & H, rectus est, & E, semirectus. propter arcum DA, grad. 45, erit quoque I, semirectus, ipsique E, æqualis; ideoque & latera HE, HI, æqualia erunt. Et quoniam est, vt FH, sinus complementi declinationis ad HE, sinum declinationis, ita FH, sinus totus ad HE, sinum respectu sinus totius FH, hoc est, ad HI, ipsi HE, æqualem; et que HI, sinus differentiæ ascensionalis, vt ex precedente

Sinus totus ita
se habet ad sinum
ascensionis rectæ
eiusdem puncti
Eclipticæ, vt si
nus differentiæ
ascensionalis initii
Caeci vel Ca
pricorni ad sinum
differentiæ ascen
sionalis eiusdem
puncti.

sinus complemen
ti declinationis
caerulei puncti
Eclipticæ ad si
num declinatio
nis eiusdem pun
cti est vt sinus
totus ad sinum
differentiæ ascen
sionalis eiusdem
puncti, in latitu
dine grad. 45.
a 32. primi.
b 6. primi.

dentibus patuit, in partibus sinus totius FH, liquet id, quod proponitur.

Q V I A vero, per propos. 18. tractatus sinuum, ut sinus complementi declinationis ad sinum declinationis, ita est quoque sinus totus ad Tangentem declinat onis; efficitur, ^a sinum differentiae ascensionalis in latitudine grad. 45. cuiusvis puncti Eclipticae æqualem esse Tangenti declinationis eiusdem puncti; adeo ut arcus Tangenti declinationis cuiusvis puncti Eclipticae, tanquam sinus, in tabula sinuum debitus, sit differentia ascensionalis eiusdem puncti in regione, in qua poli eleuatio grad. 45. complectitur. Ut quia Tangens maximæ declinationis, id est, Tangens grad. 23. min. 30. est 43° 48' 12", cui tanquam sinus in sinuum tabula congruunt grad. 23. min. 46. pro differentia ascensionali principij

2.9. quinti.
Arcus Tangenti declinationis cuiuslibet puncti, tanquam sinus, congruens, est differentia ascensionalis eiusdem puncti in altitudine poli grad. 45.

Ita se habet sinus complementi altitudinis poli datae ad sinus altitudinis poli, ut sinus differentiae ascensionalis eiusdem puncti Eclipticae in altitudine poli grad. 45. ad sinus differentiae ascensionalis eiusdem puncti in altitudine poli proposta. Sit enim rursus in quarto circulo Meridianus ABCD; Horizontis diameter BD; altitudo poli DA, maior, vel minor, quam grad. 45. axis mundi AC; diameter parallelis FG, secans axem in H, & Horizontis diametrum in I: deputaturque ex polo A, sinus altitudinis poli AK. Et quia triangula AEK, IHE, cum angulos habeant rectos K, H, & communem E, æquangula sunt; ^b erit ut EK, sinus complementi altitudinis poli datae ad KA, sinus altitudinis poli, ita HE, quæ æqualis est sinus differentiae ascensionalis in partibus sinus totius FH, in altitudine poli grad. 45. ut in precedentibus Num. patuit. (Nam ibi ostensum est, ob angulum semirectum E, sinus declinationis HE, æqualis esse sinus HI, differentiae ascensionalis.) Ad HI, sinus differentiae ascensionalis in altitudine poli DA, data, quod est propositum.

Budem est portio sinus rationis ad tangentem altitudinis poli datae, quæ sinus differentiae ascensionalis cuiuslibet puncti Eclipticae in altitudine poli grad. 45. ad sinus differentiae ascensionalis eiusdem puncti in data altitudine poli.

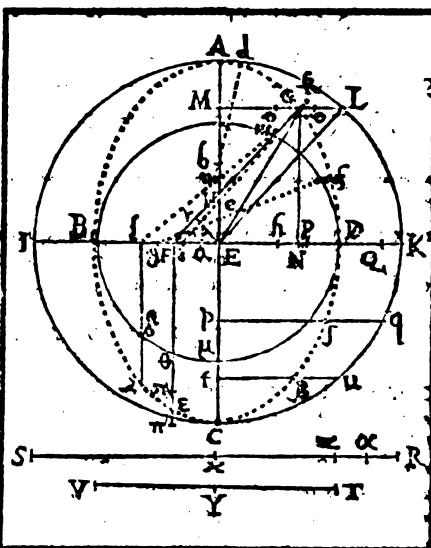
Q V O N I A M autem per propos. 18. tractatus sinuum, est ut sinus complementi altitudinis poli ad sinus altitudinis poli, ita sinus totus ad Tangentem altitudinis poli; Erit quoque, ut sinus totus ad Tangentem altitudinis poli proposta, ita sinus differentiae ascensionalis cuiusvis puncti Eclipticae in altitudine poli grad. 45. ad sinus differentiae ascensionalis eiusdem puncti in altitudine poli proposta. Itaque inuentis differentiis ascensionalibus omnium punctorum Eclipticae in regione, in qua poli altitudo grad. 45. continet, quas quidem dabunt Tangentes declinationum, ut ad finem Num. 19. monstratum est, representetur earum beneficio ascensionales differentiae eorundem punctorum in qualcumque alia regione.

L E M M A L.

D A T I S duobus axibus Ellipsis sese ad angulos regos secantibus, si ex quolibet puncto minoris axis, etiam producti, si opus est, recta dimidio maioris axis æqualis educatur secans ipsum axem maiorem, ita ut segmentum eius ultra eundem axem maiorem dimidio minoris axis æquale sit, cadet eius extremum in Ellipsim. Et si ex quolibet puncto Ellipsis recta dimidio maioris axis æqualis ducatur

ducatur usque ad minorem axem, etiam productam, si opus est, secans tamen ipsum maiorem axem, erite eius segmentum inter datum punctum, & axem maiorem, dimidio minoris axis æquale.

LM, sit inter AM, MC, media proportionalis; Item quadratum ex HG, quadrato ex ED, xquale est, quod eorum latera sint polita equalia. Exit igitur quoque, ut rectangulum sub AE, EC, ad rectangulum sub AM, MC, ita quadratum ex ED, ad quadratum ex MG. Quocirca cum ED, MG, sint ad axem AC, ordinarii applicatae, transbit Ellipsis ABCD, per punctum G. Si enim dicatur transversa per aliud punctum recte LM, vt per O; erit quoque, ut rectangulum sub AE, longius. h 21. s Apoll.
EC, ad



a 34. primi.
b 29 primi.

d 22. primi.

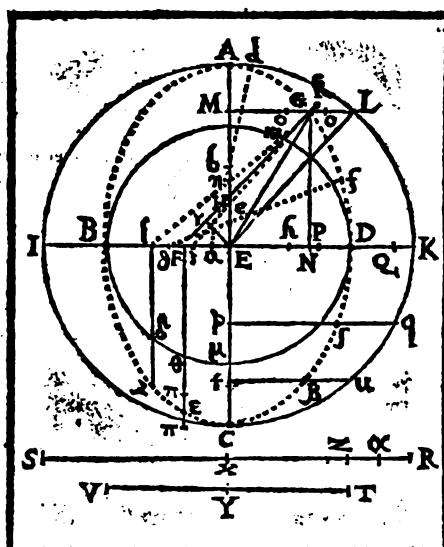
c 28. primi

f 122. f exti

g 17. sexti.

c. 9. quinii.

EC , ad rectangulum sub AM, MC , ita quadratum ex ED , ad quadratum ex MO_3 , ac propterea quadrata ex MG, MQ , et qualia erunt, ipsaq. rectae aequales, pars, & totū, quod est absurdum. Transibit ergo Ellipsis per G , ideoque punctum G , in Ellipsim cadet, quod est propositum.

b. 21. i. Apol
lonij.

c. 9. quinii.

tum ex ED , ad quadratum ex MG . Igitur quadrata ex HG, ED , ad quadratum ex MG , eandem proportionem habent, atque idcirco inter se aequalia, ipsaq. lineæ HG, ED , inter se aequalis sunt, quod erat demonstrandum.

S C H O L I V M.

Datis axibus,
Ellipsum descri-
bete.

T H E O R E M A T I S huius prior pars alio modo, & quidem longiore, demon-
strata fuit ab eruditissimo viro Guido Baldio & Marchionibus Montis, ad finem libri
2. Planisphaeriorum universalium: cum quo hec, que sequuntur, colligenda sunt. Primum,
quo pacto datis duobus axibus Ellipsis circa eas describenda sit. Sim ergo duos
axes AC, BD , sese ad angulos rectos in E , secantes, sumaturque Bh , dimidio maioris
axis aequalis, hoc est, ipsi AE , ut Eh , sit excessus, quo dimidium maioris axis dimi-
dium minoris BE , superat. Deinde ex quolibet punctis a, F, g , in recta EI , beneficio cir-
cini ad A, E , applicetur recta ab FH, ge , excessus Bh , aequalis, & producatur rectis a, b ,
 FH, ge , absindantur bd, HG, ef , ipsi BE , dimidio axis minoris aequalis, ut recta ad,
 EG, gf , dimidio axis maioris AE , vel Bh , sint aequalis. Vel absindantur a, d, FG, gf ,
ipsi AE , vel Bh , dimidio maioris axis aequalis, ut segmenta b, d, HG, ef , dimidio axis
minoris BE , aequalis sint. Nam ut demonstratum est, puncta d, G, f , in Ellipsim cadent.
Quare si plurima puncta horum artificio reperiantur, non solum inter A , & D , verum etiam
inter D , & C , atque inter C , & B , necnon inter B , & A , & per ea congruentier lineas
inflexas ducatur, descripta erit Ellipsis.

DE INDE

D E I N D E quare dato quolibet punto Ellipsis nondum descripsa, cum alterum axium, alter axis inueniatur. Sit ergo primum datus axis maior AC , & punctum G , in Ellipsis existens. Diviso axe AC , bisariam in E , et rectam perpendiculariter BD , applicetur beneficio circini ex dato punto G , recta GF , usque ad rectam BD , aequalis ipsi AE , dimidio axis majoris secans AE , in H . Nam, ut demonstratum est, GH , aequalis erit dimidio axis minoris, ideoque si EB , ED , ipsi GH , aequalis absinduntur, erit BD , axis. Nam cum FG , ipsi AE , & HG , ipsi ED , aequalis sis, cadet G , in Ellipsem axium AC , BD , ut demonstravimus.

Dato altero
axium, & punto
in Ellipse circu-
cum axem descri-
pta, alterum axe
reperi.

Q V O D si deitur minor axis BD , cum puncto G , in Ellipsis existente, reperiemus maiorem axem hoc modo. Secuto minore axe BD , bisariam in E , per lineam perpendiculariter AC , applicetur beneficio circini ex dato punto recta GH , usque ad rectam AC equalis ipsi BE , dimidio axis minoris, producturque donec in F , secet minorem axem, etiam productum, si opus sit. Si namque recta GF , aequalis absindatur EA , EC , erit AC , maior axis, ut ex ijs, que demonstrata sunt, liquet. Cum enim FG , ipsi AE , sit aequalis, & HG , ipsi BE , cadet G , in Ellipsem axium AC , BD , ut demonstravimus.

T E R T I O, datis duobus axibus Ellipsis nondum descripta, cum quolibet punto extra itjs, qua via cognoscatur, num punctum datum existat in ipsa Ellipse, an extra, an vero intra. Sint ergo duo axes AC , BD , se ad rectos angulos in E , secantes, & punctum G , datum. Applicetur circini beneficio ex dato punto G , recta GF , ad minorem axem BD , etiam productum, si opus sit, aequalis ipsi AE , dimidio maioris axis secans A , in H . Si igitur GH , dimidio minoris axis ED , aequalis fuerit, cadet punctum G , datum in Ellipsem, ut demonstratum est; cum tota GF , dimidio maioris axis AE , posita sit aequalis. Sed si iam datum punctum k , & applicata recta ki , aequali ipsi AE , vel Bh , secante AE , in e , sit ke , maior, quam ED . Dico punctum k , datum extra Ellipsem cadere. Quoniam enim ki , ipsi AE , vel Bh , aequalis est, & ke , maior, quam BE , erit reliqua e , minor quam reliqua Eh . Ducatur ex k , recta kf , ita ut intersecta HF , excessus Eh , aequalis sit. Hoc enim fieri potest per lineam conchoideos, quam Nicomedes descripsit, ut habeatur apud Pappum lib. 4. propos. 22. & apud Euclidem in propos. 1. lib. 2. Archimedis de sphera, & cylindro, & quam nos etiam in lib. de Dimensionibus magnitudinum descripsimus. Et quia recta kF , maior est quam ki , quod angulus kiF , obtusus sit; est autem ki , posita ipsi Bh , aequalis; erit quoque kF , maior quam Bh . Ablatis ergo aequalibus HF , Eh , reliqua kH , maior erit, quam reliqua BE . Absissa ergo HG , aequali ipsi BE , erit tota GF , ipsi Bh , vel AE , aequalis; ideoque, ut demonstratum est, punctum G , in Ellipsem cadet, ac proinde datum punctum k , extra eandem cadet, cum recta FG , in G , Ellipsem secet. Postremo sit datum punctum m , & applicata recta ml , aequali ipsi AE , vel Bh , secante AE , in n , si $m n$, minor quam BE , vel ED . Dico punctum m , datum intra Ellipsem cadere. Quia enim ml , ipsi Bh , aequalis est, & mn , minor quam BE , erit reliqua nl , maior quam reliqua Eh . Ducatur rursus beneficio linea conchoidea, ex m , recta mF , ita ut intersecta HF , excessus Eh , sit aequalis. Et quia recta mF , minor est, quam ml , quod angulus mlF , acutus sit, & ml , obtusus; est autem ml , posita aequali ipsi Bh ; erit quoque mF , minor quam Bh . Ablatis ergo aequalibus HF , Eh , reliqua mH , minor erit, quam reliqua BE . Producta igitur Fm , ut HG , aequalis sit ipsi BE , erit tota FG , ipsi Bh , vel AE , aequalis. Igitur, ut monstratum est, punctum G , in Ellipsem cadet, & idcirco m , intra eandem, quod est propositum.

Datis duobus ani-
bus Ellipsis, cum
quilibet pto.,
an datum punctum
in Ellipse, vel ex-
tra, vel intra exi-
git, cognoscere.

a 19. primæ.

b 19. primæ.

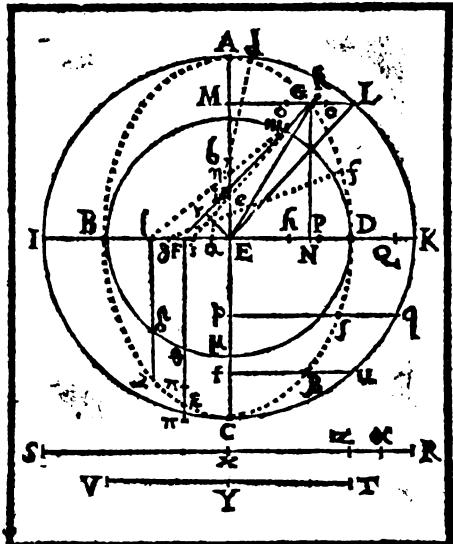
C A E T E R V M datum punctum k , cadere extra Ellipsem, si ke , maior sit quam ED , & inclini vero m , intra, si $m n$, minor sit, quam ED , hac etiam ratione, sine auxilio li- nec conchoideas, demonstrari potest. Sumatur EQ , ita ke , aequalis, cadetq; Q , ultra D . Quia igitur ex k , au minor em axis applicata ipsi k , dimidio maioris axis AE , aequalis sit;

*bissi E. Q. statuatur semisii minoris axis, que equalis fuit sumpta ipsi ke, cader k, in Apol Ellipsem per A, Q, C, descriptam, ut demonstratum est. Ergo Ellipsis per A, D, C, descrip-
ta circa punctum k, transibit; cum hoc illam solum in punctis A, C, contingat, ac*

b37.4. Apollonius. proinde k , extra Ellipsum per A, D, C, d -scriptam cadet. Accipiatur rursus EP, ipso in n , aequalis, caderetque P, contra D. Quia igitur ex m , ad minorem axem applicata est mL semisum maioris axis AE, aequalis; si EP, qua aequalis sumpta fuit ipsi m , fuit semisum minoris axis; caderet m , in Ellipsum per A, P, C, d -scriptam, ut monstratum est. Ergo Ellipsis per A, D, C, d -scripta, ultra punctum m , transibit; ^b cum hac illam in solis pâbris A, C , contingat; ac proinde datum punctum m , intra Ellipsum per A, D, C, d -scriptam cadet, quod est propositum.

Datis deabus re-
quisitis qualibas;
& puncto quolibet,
describere & li-
lipum per datu-
punctum, curue
centrum se quo-
que datum, &
axes datis rectis
genales.

88. primi.



132. *tertij.*

tur si missi maioris axis AE, equalis GF, applicata est ad minorem axem, & segmentum GH, missi minoris axis ED, vel TY, aequali; cadet punctum G, in Ellipsim axii AC, BD, ut demonstratum est.

QUOD si ducatur recta GE , maior sit quam semisisis majoris axis, vel minor semisise
minoris problema redditur impossibile: quia cum AE , semisisis majoris axis sit maxima
omnium.

omnium rectarum ex centro E, ad circumferentiam Ellipsis ductarū, ut constat ex circulo circa maiorem axē AC, descripto; cadet necessario recta ex centro E, qua semissē majoris axis maior sit, extra Ellipsum. Itē quia ED, semissis minoris axis, minima est omnium rectarum ex centro E, ad circumferentiam Ellipsis ductarum, ut constat ex circulo circa minorem axem BD, descripto; cadet necessario recta ex centro E, qua semissē minoris axis minor sit, intra Ellipsum.

I A M vero, si quando accidat, rectam AE, ex dato punto A, ductam ad centrum esse aequalē semissi majoris data linea, ducenta erit ex dato punto A, per E, centrum recta AC. Nam EA, EC, ipsis XR, XS, aequales dabunt maiorem axem, quem si recta BD, ad angulos rectos fecerit, dabunt EB, ED, ipsis YT, YV, aequales, axem minorem. Manifestum autem est, Ellipsum circa axes AC, BD, descriptam per datum punctum A, transire. Si autem datum sit punctum D, e quo ad centrum E, ducta recta DE, semissi minoris data linea si aequalis, ducenta erit ex dato punto D, per centrum E, recta BD. Nam EB, ED, ipsis YT, YV, aequales dabunt minorem axem, quem si recta AC, ad rectos angulos fecerit, dabunt EA, EC, ipsis XR, XS, aequales, maiorem axem. Vbi iterum liquido constat, Ellipsum circa axes AC, BD, descriptum per datum punctum D, transire.

LEMMA LI.

SI circa axes Ellipsis circuli describantur, & ad eosdem ordinatim rectæ applicentur usque ad Ellipsis & circulorum periphærías; erunt applicatæ usque ad Ellipsum, applicatis usque ad circulum proprium, ad cuius videlicet diametrum applicatæ sunt, proportionales.

IN figura præcedētis lemmatis descripti sint circa axes circuli, & rectæ pq, tu, ad maiorem axem AC, ordinatim applicatæ secantes Ellipsum in C, β. Item rectæ F t, lγ, ordinatim applicatæ ad minorem axem BD, secantes circulum in θ, δ. Dico esse, vt p s, ad t β, ita p q, ad t u. Item vt F s, ad l γ, ita Fθ, ad l δ. Quoniam enim est, ut quadratum ex p s, ad quadratum ex t β, ita rectangulum sub Ap, pC, ad rectagulum sub At, t C. Est autem rectagulum sub Ap, pC, quadrato ex p q, & rectangulum sub At, t C, quadrato ex t u, aequalē; quod ex scholio propos. i 3. lib. 6. Eucl. p q, t u, mediae sint proportionales inter Ap, p C. & inter At, t C, erit quoque ut quadratum ex p s, ad quadratum ex t β, ita quadratum ex pq, ad quadratum ex t u. Quapropter erit quoque, ut recta p s, ad rectam t β, ita recta p q, ad rectam t u.

R VRSVS quia est, ut quadratum ex F s, ad quadratum ex l γ, ita rectangulum sub DF, FB, ad rectangulum sub DL, LB. Est autem rectangulo sub DF, FB, quadratum ex Fθ, & rectangulo sub DL, LB, quadratum ex l δ, aequalē; quod ex scholio propos. i 3. lib. 6. Eucl. Fθ, l δ, sint inter DF, FB, & inter DL, LB, mediae proportionales; erit quoque, ut quadratum ex F s, ad quadratum ex l γ, ita quadratum ex Fθ, ad quadratum ex l δ. Quocirca erit etiam, ut recta F s, ad rectam l γ, ita recta Fθ, ad rectam l δ, quod erat demonstrandum.

a 21. r. Apol
lonij.

b 17. sexti.

c 22. sexti.

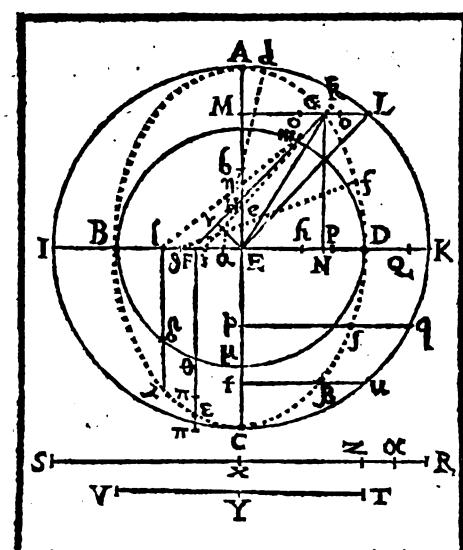
d 21. r. Apol
lonij.

e 17. sexti.

f 22. sexti.

Ordinationem applicatas ad maiorem axem ordinatim applicatas, & ad circulum usque circa eundem maiorem axem descriptum protractas, quam circulus circa minorem axem descrip-
tus rectas ad eundem axem minorem ordinatim applicatas, proportionaliter diuidit. Cum enim sit, ut $p\beta$, ad $t\beta$, ita pq , ad tu , erit quoque permutando, ut $p\beta$, ad pq , ita $t\beta$, ad tu . Et per divisionem rationis contrariam, quæ in scho-
dio proposit. 17. lib. 5. Euclid. demonstrauimus, ut $p\beta$, ad sq , ita $t\beta$, ad gu . Item cum sit,
ut $F\theta$, ad ly , ita $F\theta$, ad ls . erit quoque permutando, ut $F\theta$, ad $F\theta$, ita ly , ad ls ; Et per
divisionem rationis conuersam, quam in schol. eodem prop. 17. lib. 5. Eucl. demonstrauimus, ut $F\theta$, ad θ , ita ls , ad s y quod est propositum.

C O N V E R S V M quoque huius facile demonstrabimus, videlicet. Si perpendiculares ad diametrum circulis proportionaliter secentur; Ellipsis cuius maior axis, diameter circuli transiens per unius perpendicularis sectionem, transibit quoque per omnium aliarum sectiones. Item si perpendiculares ad diametrum circuli producantur, ita ut à circulo proportionaliter secentur; Ellipsis, cuius minor axis diameter circuli, transiens per unius perpendicularis extremum, transibit quoque per omnium aliarum extre-
mas. Sint enim primum ML , EK , pq et u , ad diametrum AC , circuli $ABC D$, perpendiculares: Et secent proportionaliter in G , D , s , β . Dico Ellipsis, cuius maior axis AC , que per G , transibit, transire quoque per D , s , β . Si enim non transibit per D , transibat per P , vel Q ; critique, ut demonstrauimus, ut MG , ad GL , ita EP , ad PK vel EQ , ad QK . Cum ergo sit quoq. ut MG , ad GL , ita ED , ad DK , ex hypothesi erit ut EP ad PK , ita ED , ad DK . Est autem EP , minor quam ED . Ig-
tur & PK , minor erit, quam DK , totum quam pars: quod est absurdum. Non ergo Ellipsis transibit per P , sed neque per Q , transibit. Nam eadem ratione erit, ut EQ , ad QK , ita ED , ad DK . Est autem EQ , maior quam ED . Igitur & QK , maior erit quam DK , pars quam totum.



quod est absurdum. Transibit ergo Ellipsis per D . Atq. eandem ob causam per s , & β , transibit.

SINT deinde $E\mu$, $F\theta$, ls , ad diametrum BD , circulus $B\mu D$, perpendiculares, & producuntur ad C , z , ita ut proportionaliter à circulo secentur in μ , θ , s . Dico Ellipsis, cuius minor axis BD , que per C , transibit, transire quoque per μ , z . Si enim non transibit per μ , transibat per π , et que ut monstratum est, ut $E\mu$, ad μC , ita $F\theta$, ad θz : Sed ut $E\mu$, ad μC , ita ponitur esse $F\theta$, ad θz . Igitur erit ut $F\theta$, ad θz , ita $F\theta$, ad θz , atq. idcirco $\theta\pi$, θz , aequalis erunt, pars & totum, quod est absurdum. Transibit ergo Ellipsis per μ . Eademque de causa per s , transibit. quod est propositum.

LEMMA

LEMMA LII.

DATIS axibus alicuius Ellipsis sese ad angulos rectos secantibus, in data recta qualibet puncta reperire, per quae Ellipsis, si describatur, transire debet.

SINT dati axes AC, BD, Ellipsis cuiuspiam se in centro E, secantes ad angulos rectos, circa quos circuli descripti sint; sitque primum data recta EF, per centrum ducta, secans circulum circa maiorem axis descriptum in F, & per F, axisibus parallelo agantur FO, FK. Erigatur quoque ad minorem axis ex eius extremo B, perpendicularis BG, secans maioris axis circulum in G; & per G, ex E, recta ducatur secans parallela maioris axis in H, superata deinde in parallela minoris axis recta KL, equalem ipsi EH, ducatur EL, secans maioris axis circulum in M, punto ex utraq; parte, ac tandem per M, minori axi parallela agatur MN, secans datam rectam in I. Dico Ellipsem, cuius axes AC, BD, descriptam transire per punctum I.

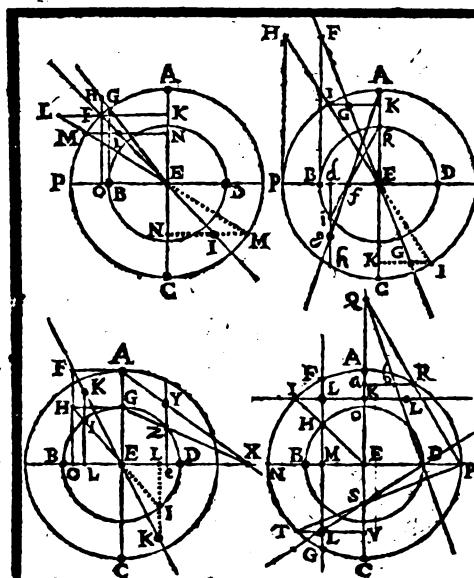
Quoniam enim est, ut EG, ad EB, ita EH, ad EO; estque EG, ipsi EP, & EH, ipsi KL, & EO, ipsi KF, aequalis; erit quoque, ut EP, ad EB, ita KL, ad KF: Et per divisionem rationis conuersam, quam in scholio propos. 17. lib. 5. Eucl. demonstrauimus, ut EB, ad BP, ita KF, ad FL.

Est autem ut KF, ad FL, ita NI, ad IM. Igitur erit quoque, ut EB, ad BP, ita NI, ad IM; ac proinde ex ijs, que in scholio precedentis lemmatis ostendimus, Ellipsis per A, B, C, D, descripta, per punctum utrumque I, transibit.

ALITER, ut in secunda figura. Erigantur ex B, extremo minoris axis, & ex P, extremo semidiametri, ad minoris axis lineam perpendicularis BF, PH, secetque BF, datam rectam EF, in F, & ipsi BF, aequalis sumatur PH. Ducta autem recta EH, secante maiorem circulum ex utraque parte in punto I, ducatur per d, minori axi parallela IK, rectam datam secans in G. Dico G, cadere in Ellipsem latam. Quia enim est, ut EP, ad PH, ita IK, ad KE; Et ut BF, hoc est, ut aequalis PH, ad EB, ita KE, ad KG; erit ex aequalitate, ut EP, ad EB, ita IK, ad KG. Quare, ut prius, punctum G, ex utraque parte in Ellipsem datam cadet.

ALITER, ut in tertia figura. Erigantur ad maiorem axis ex punctis A, G, perpendicularis

Quando data recta per centrum Ellipsis transire debet.

*a 4. sexti.**b 4. sexti.**c 4. sexti.*

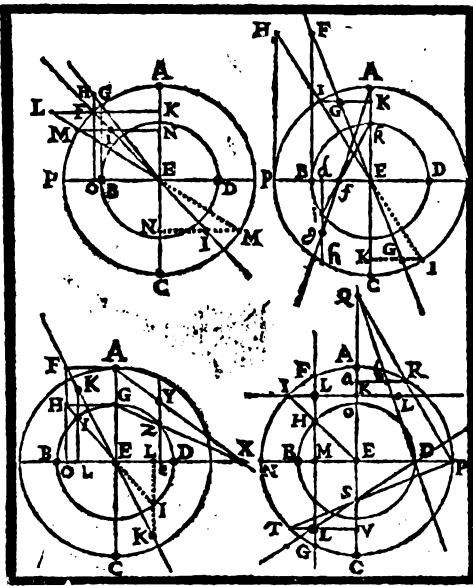
perpendiculares AF, GH, secetque AF, datam rectam in F, & ex F, demittatur ad minorem axem perpendicularis FO, secans GH, in H. Ducta autem EH, secante minoris axis circulum ex utraque parte in punto I, agatur per I, maiori axi parallela KL, secans datam rectam in K. Dico K, in data Ellipsum cadere. Quoniam enim est, vt OH, ad HF, hoc est, vt EG, ad GA, ita LI, ad IK, cadet punctum K, in utraque parte in Ellipsum, vt in scholio antecedentis lemmatis demonstratum est.

a. 4. sexti.

b 3 o. 1. Ap-
polonij.Quando data re-
cta alteri axium
parallela est.c 3 s. 1. Ap-
polonij.

d 2. sexti.

e 4. sexti.



S E C V N D O minori axi parallela sit IL, secans maiorem circumflexum in I, siue secet minorem, siue non. Ducta recta EI, secante minorem circumflexum in H, ducatur per H, maiori axi parallela LM, secans datam rectam IL, in L. Dico L, in data Ellipsum existere. Quod demonstrabitur, vt prius. Iam si recte ML, vel KL, ex altera parte æqualis absindatur ML, vel KL, transibit eadem Ellipsis per punctum quoque L, inferius, & dextrum; propterea quod ordinatum applicata bifariam à diametris diuiduntur.

Quando data re-
cta per extremum
eleccoratis axis
incedat.

f 4. sexti.

R V R S V S sit data recta DL, per extremum D, minoris axis incedens, vt in quarta figura, & secet primum axem maiorem intra Ellipsum in S. Ex S, ducatur recta SP, ad extremum diametri maioris circuli, quod iuxta datum extremum D, existit, secans maiorem circumflexum in T, & per T, minori axi parallela agatur TV, secans datam rectam in L. Dico L, in Ellipsum cadere. Quoniam enim est, vt ED, ad DP, ita VL, ad LT; erit ex scholio lemmatis antecedentis punctum

Etum L. in Ellipsis. Eodem modo res demonstrabitur, si data recta DQ, per extremum D, minoris axis transiens secet maiorem axem extra Ellipsem in Q, ut in eadem quarta figura. Nam ducta ex Q. ad P, extrellum diametri maioris circuli prope extremum D, datum, recta QP, secante maiorem circulum in R, secabit minori axi parallela Ra, datam rectam in b, punto, quod erit in Ellipsis, cum sit vt ED, ad DP, ita ab, ad bR.

c. 4. sexti.

SED transcat iam data recta AX, per extrellum maioris axis, secetque primum axem minorem extra Ellipsem, in X, ut in tertia figura. Ducatur ex punto X, ad G, extrellum diametri minoris prope datum extrellum A, recta XG, secans minorem circulum in Z, & per Z, maiori axi parallela agatur eY, secans datum rectam in Y. Dico Y, in Ellipsis cadere. quod constat ex scholio praecedentis lemmatis, cum sit vt EG, ad GA, ita eZ, ad ZY. Non aliter progrediemur, si data recta Ag, per extrellum A, maioris axis incedens, secet in f, minorem axem intra Ellipsem, ut in secunda figura. Nam ducta ex f, ad k, extrellum diametri minoris circuli prope datum extrellum A, recta fk, secante minorem circulum in i, secabit maiori axi parallela dg, per i, ducta data rectam in g, puto, quod erit in Ellipsis, cum sit, vt Ek, ad kA, ita di, ad ig.

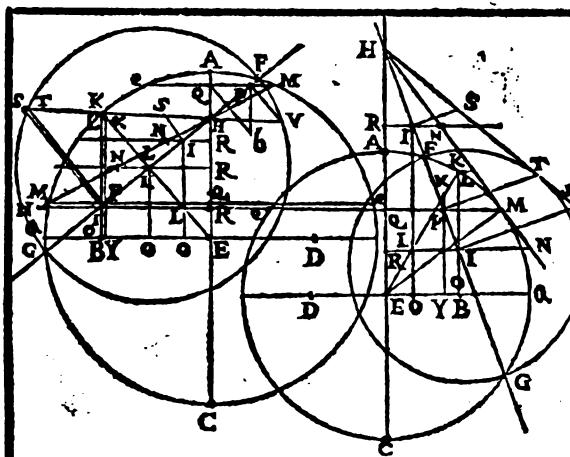
b. 4. sexti.

PER SPICVV M autem est, in huiusmodi linea unum solum punctum reperiri, quod sit in Ellipsis, quippe cum Ellipsis eandem secet quoque in extremitate D, minoris axis, vel in A, extremitate axis maioris. Liquido etiam constat, rectam per extrellum minoris axis, & per extrellum axis maioris præter illa duo extrema nullum aliud punctum habere in Ellipsis.

c. 4. sexti.

POSTREMO sit data recta FG, neque per centrum Ellipsis, aut per extrellum alterutrius axis ducta, neque vili axi parallela, secetque maiorem axem in H, siue intra Ellipsem, ut in priori figura, siue extra, ut in posteriori. Per quodius punctum I, in data recta assumptum, vtrique axi parallelez agantur IO, RN, & ex B, extremitate minoris axis erecta perpendiculari BK, circulum maiorem secante in K, iungatur EK, secans parallelam IO, in L: recta autem EL, in altera parallela RN, æqualis sumatur RN, & per H, N, recta iniciatur secans circulum majoris axis in M, ac denique per M, minori axi parallela agatur MQ, secans datum rectam in P. Dico punctum, P, in data Ellipsis existere. Et si quidem recta HN, duobus in punctis circulum secet, reperientur duo puncta P, ut in priori figura, si vero in uno eum punto tangat, ut in figura

Quando data recta neque per centrum nec per extremitatum alterutrius axis transcat, neque vili axi parallela sit.



Digitized by Google

Figura posteriori, vnum quoque tantum punctum inuenietur P, in quo Ellipsis datum rectam tanget. Ut autem demonstratio reddatur magis vniuersalis, assumptius in priori figura tria puncta I, in data recta, & in posteriori duo, per quae utriusque axi parallela sunt ducit, prorsim quia hac ratione puncto H, extra Ellipsim in secunda figura non indigemus, quod interdum difficile ulter haberi potest, propter obliquam intersectionem rectarum HC, HG; sed satis est, vt per duo puncta inuenta N, recta ducatur secans, vel tangens circulum maioris axis. Quae omnia sic demonstrabimus. Quoniam est, vt EK, ad EB, ita EL, ad EO: Polita autem fuit EL, ipsi RN, aequalis, & EO, ipsi RI, aequalis est; erit quoque vt EK, ad EB, ita RN, ad RI. Est autem vt RN, ad RI, ita QM, ad QP. Igitur erit quoque, vt EK, hoc est, vt EA, ad AB, ita QM, ad QP. Et per diuisionem rationis conuersam, vt EB, ad BA, ita QP, ad PM: ac proinde P, in Ellipsim cadet, ex scholio lemmatis praecedentis. Atque haec demonstratio locum habet in utroque punto P, prioris figuræ, ad sinistram maioris axis.

d 18. tertij. REC T A M porro datam FG, Ellipsim tangere in inuento punto P, quando recta HN, circulum tangit in M, ita perspicuum faciemus. Quoniam angulus HME, rectus est, & MQ, ad HE, perpendicularis, erit ex coroll. propos. 8. lib. 6. Euclidis EM, media proportionalis inter HE, EQ. Igitur quadratum ex EM, vel EA, aequaliter erit rectangulo sub HE, EQ; ideoque erit, vt HE ad EA, ita EA, ad EQ. Per conuersiōnē ergo rationis, vt HE, ad HA, ita EA, ad AQ. Cum ergo CH, HA dupla sint ipsius HE, & CQ, QA, dupla ipsius AE, erit quoque, vt composta ex CH, HA, ad HA, ita composta ex CQ, QA, ad AQ: et diuidendo, vt CH, ad HA, ita CQ, ad AQ. Igitur HG, Ellipsim continget in punto P, quod in Ellipsi demonstrauimus existere.

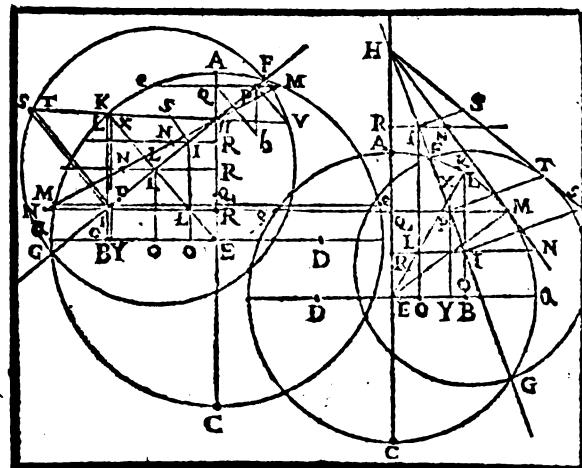
e 17. sexti.

f 15. quinti.

g 34. i. A-

g pollonij.

A L I T E R.
Excitata BK, ad BD, perpendiculari in B, extremo minoris axis, & iuncta recta EK, ducatur ex quolibet punto I, assumpto maiori axi parallela IO, secans EK, in L. Nos in utraque figura duo puncta I, assumptius propter causam pauci ante allatum. Deinde ex I, ad datam rectam perpendicularis erigatur IS, ip-



Si OL, aequalis, & per H, S, recta eiiciatur HS, secans circulum circa chordam FG, descripturn in T, V, punctis, e quibus ad datum rectam perpendicularares demittantur TP, VP. Dico punctum utrumque P, in Ellipsi data existere. Quod si recta HS, tangat circulum circa FG, descripturn, vt in posteriori figura,

gura, reperiatur unum tantum punctum P, in quo recta data Ellipsum continget. Quæ omnia hac ratione demonstrabimus. Et primū de punto P, ad sinistram majoris axis prioris figuræ. Ducta per P, maiori axi parallela XY, & minori axi parallela MPQ; quoniam est, vt PT, ad IS, ita HP, ad HI; estque ve HP, a 4. sextis, ad HI, ita QP ad RI; erit etiam, vt PT, ad IS, ita QP, ad RI; hoc est, ita EY, ad EO. b Vt autem EY, ad EO, ita est YX, ad OL. Igitur erit quoque, vt PT, ad IS, ita YX, ad OL. Cum ergo IS, OL per hypothesim æquales sint, erunt quoque PT, YX, æquales. Quia vero PT, ex scholio propos. 13. lib. 6. Euclid. media proportionalis est inter FP, PG; erit quadratum ex PT, æquale re- d 17. sextis. & angulo sub FP, PG, hoc est, rectangle sub MP, Pe, cum hoc illi sit e 35. tertij. æquale: ideoque & quadratum ex YX, eidem rectangle sub MP, Pe, æquale erit. Addito communi quadrato ex PQ, erunt quadrata ex YX, PQ, hoc est, ex YX, EY, æqualia rectangle sub MP, Pe, vna cum quadrato ex PQ: sed quadratis ex YX, EY, æquale est quadratum ex EX, & f 47. primi. rectangle sub MP, Pe, vna cum quadrato ex PQ, æquale est quadratum ex MQ. Igitur quadrata ex EX, MQ, ideoque & eorum latera EX, MQ, æquales erunt. Cum ergo etiam EY, QP, æquales sint, erit vt EX, ad EY, ita QM, ad QP: Vt autem EX, ad EY, ita est EK, hoc est, EA, ad EB. Igitur erit quoque, vt EA, ad EB, ita QM, ad QP. Ergo, vt prius, punctum P, in Ellipsum datum cadet. Quæ quidem demonstratio locum etiam habet in posteriori figura.

P V N C T V M autem P, ad dextram majoris axis cadere quoque in eandem Ellipsum, ita planum fiet. Ducta Pb, ad MQ, perpendiculari, ipsique PV, æquali, & iuncta recta bQ; quoniam est, vt QP, ad PH, in inferiori triangulo HPQ, ita QP, ad PH, in triangulo superiori; Item vt PH, ad PT, ita PH, ad PV; erit ex æqualitate, vt QP, ad PT, hoc est, vt EY, ad YX, que illis æquales sunt, ita QP, ad PV, id est, ad Pb. Cum ergo anguli ad Y, P, recti sint; erunt triangula EYX, bPQ, æquiangula, & vt E X, ad EY, ita bQ, ad QP. Deinde quia per scholium propos. 13. lib. 6. Euclid. VP, ideoque & bP, media proportionalis est inter FP, PG; erit quadratum ex bP, æquale rectangle sub FP, PG: sed hoc æquale est rectangle sub MP, Pe, quod rectæ FG. Me, in circulo maioris axis se in P, intersecant. Igitur quadratum ex bP, æquale etiam erit rectangle sub MP, Pe: & addito communi quadrato ex QP, erunt duobus quadratis ex bP, QP, hoc est, quadrato ex bQ, quod illis æquale est, æquale rectangle sub MP, Pe, vna cum quadrato ex QP. Est autem rectangle sub MP, Pe, vna cum quadrato ex QP, æquale quadratum ex QM. Igitur & quadrato ex bQ, quadratum ex QM, æquale erit, ideoque & rectæ bQ, QM, æquales erunt. Quocirca cum ostensum sit paulo ante, esse vt EX, ad EY, ita bQ, ad QP, erit quoque, vt EX, ad EY, ita QM, ad QP. Cum ergo sit vt EX, ad EY, ita EK, vel EA, ad EB; erit quoque vt EA, ad EB, ita QM, ad QP; atque idcirco, vt prius, punctum P, in datam Ellipsum cadet.

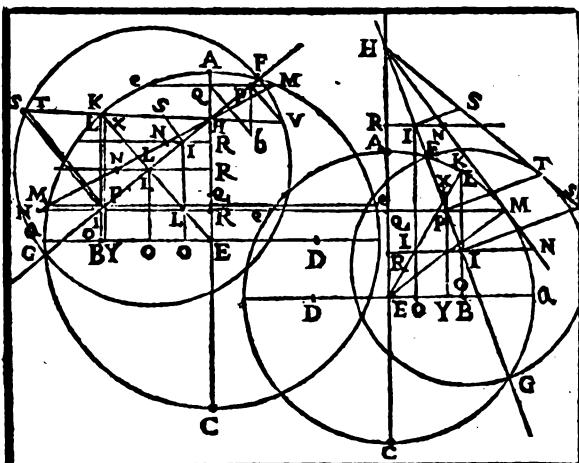
D E N I Q V E rectam datâ FG, Ellipsum tangere in punto P, inuenio, quando recta HS, circulum FT, tangit in T, demonstrabimus hoc modo. Ductis rectis HM, EM, ad extrellum punctum parallela QM; quoniam ostensum est esse, vt EA, hoc est, EK, ad EB, ita QM, ad QP; Est autem, vt EK, ad EB, ita EX, ad EY; erit quoque, vt EX, ad EY, ita QM, ad QP. Cum ergo EY, ipsi QP, æquales sit, erit & EX, ipsi QM, æqualis. Et quia quadratum ex PT, quadrato ex YX, æquale est, quod rectæ PT, YX, ostenses sint æquales; si addantur æqualia quadrata ex PQ, EY, si et duo quadrata ex PT, PQ, duobus quadratis ex YX, EY, æqualia:

a 47. primi. *æqualia:* Sed his *æquale* est quadratum ex EX, hoc est, ex QM. Igitur & duo quadrata ex PT, PQ, quadrato ex QM, *æqualia* erunt: additoque communi quadrato ex QH. Sunt tria quadrata ex PT, PQ, QH, duobus quadratis ex QM, QH, *æqualia*: b Sed quadratis ex PQ, QH, *æquale* est quadratum ex PH. Igitur c 47. primi. duo quadrata ex PT, PH, duobus quadratis ex QM, QH, *æqualia* erunt. Cum ergo illis duobus quadratū ex HT, & his duobus quadratum ex HM, sit *æquale*; erunt quoque quadrata ex HT, HM, proindeq; & ipsa latera *æqualia*.

Igitur cum quadratum ex HT, *æquale* sit rectangulo subHG, HF, erit eidem rectangulo *æquale* etiam quadratū ex HM, ac proinde HM, circulum FM, continget in M. Quā obrem, ut antea demonstratum est,

d 36. tertij.

e 37. tertij.



recta FG, Ellipsum in P, continget, quod est propositum.

L E M M A L III.

Q V A E S T I O N E S omnes, quæ per sinus, Tangentes, atque secantes absoluī solent, per solam prostaphæresim, id est, per solam additionem, subtractionemque, sine laboriosa numerorum multiplicatione, diuisioneque expedire.

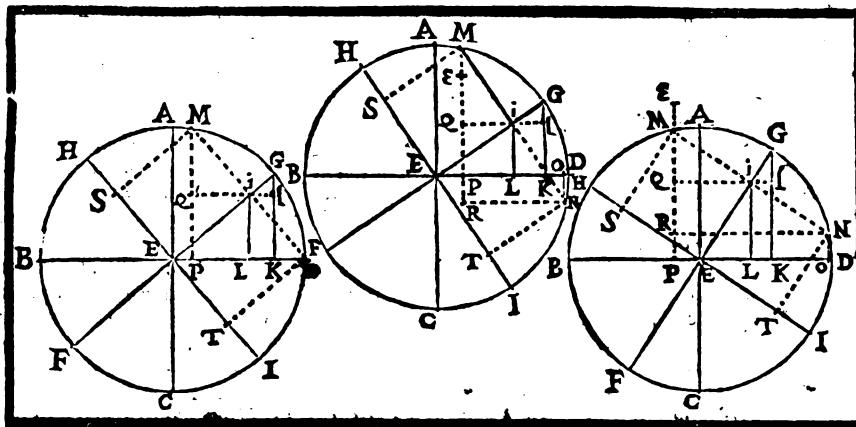
EDIDIT ante tres, quatuorue annos Nicolaus Raymarus Ursus Dithmarsus libellum quandam, in quo præter alia proponit inuentum sane acutum, & ingeniosum, quo per solam prostaphæresim pleraque triangula sphærica soluit. Sed quoniam id solum putat fieri posse, quando sinus in regula proportionum assumentur, & sinus totus primum locum obtinet, conabimur nos eam doctrinam magis generalem efficere, ita ut non solum habeat in sinus, & quando sinus totus primum locum in regula proportionum obtinet, verum etiam in tangentibus, secantibus, siuebus versis, & aliis numeris, & siue sinus totus sit in principio regulæ proportionum, siue in medio, siue denique

que nullo modo interueniat : quæ res noua omnino est, & lucunditatis ac voluntatis plena.

1. Q V O T I E S C V N Q Y E igitur est, ut sinus totus ad sinum alicuius arcus, ita sinus alterius cuiuspiam arcus ad aliud, seponuntur duo illi arcus tanquam dati, qui ad prosthaphareisum requirantur : Minor addatur complemento maioris, & conflati arcus seruant sinus ; Et si quidem minor arcus complemento maioris fuerit equalis, (quod fuit quando duo arcus sepositi ac dati quadrante conficiantur) semissis seruant sinus, erit quartus numerus proportionalis quesitus . Si vero minor arcus fuerit minor complemento maioris, (quod accidet , quando duo arcus sepositi ac dati sunt simul quadrante minores) detractio minore arcu ex complemento maioris, ut habeatur eorum arcum differentia, qui simul additi fuerint, collator huic differentie sinus ex superioris conflatis arcus sinus seruant . Huius enim velicit numeri semissis , erit quartus numerus proportionalis , qui queritur . Si denique minor arcus fuerit maior complemento maioris , (quod eueniet , quando duo arcus sepositi , ac dati sunt simul quadrante maiores) detractio complemento maioris ex minore arcu, ut eorum arcuum differentia habeatur, qui simul additi fuerint, adjiciatur huic differentie sinus ad sinum seruantum superioris arcus conflati . Huius enim summa semissis , erit numerus quartus proportionalis , qui desideratur .

A T Q V E hæc est regula supradicti auctoris, quæ sic demonstrabitur . In prima harum figurarum est, ut sinus totus EG , ad GK, sinum arcus GD , ita a 4. sexti. EI, sinus arcus ID , vel HM , ad quæsumum sinus IL . Et quia minor arcus GD , æqualis est ipsi DG , complemento maioris arcus ID , (vel si forte GD , maior esset , & ID , minor ; minor ID , æqualis est ipsi DI , complemento maioris arcus GD ,) sit ut PQ , quæ semissis est sinus MP , arcus MD , b 2. sexti.

Quando sinus te-
tur primam ob-
tinet locum in re-
gula proporcio-
nium, & alij va-
lenti sunt sinus;
quo parto hac
prosthaphareis.



conflati ex DG, minore arcu, & GM, cōplemento maioris HM, & æqualis sit sinus c 34. primi.
quarto q̄sto IL . Quod si forte arcus GD, sit maior, & ID, minor, erit nihilominus
MP, sinus arcus MB, cōflati tunc ex HM, minore, & HB, cōplemento maioris GD.

I N secunde autem , & tertia figura est quoque , ut sinus totus EG , ad d 4. sexti.
GK, sinum arcus GD , ita EI, sinus arcus IN , vel HM , ad quæsumum sinus
IL . Et quia in secunda figura minor arcus GD , minor est ipso GN , comple-
mento

mento maioris arcus IN, (vel si forte GD, maior esset, & IN, minor; minor IN, minor est ipso ID, complemento maioris arcus GD) sit, vt detraheatur sinu RP, differentia DN, hoc est, dempta ME, ipsi RP, et equali, ex MP, sinu arcus MD, conflati ex DG, minore arcu, & GM, complemento maioris HM, recta PQ, quae semissis est reliqui EP, cum totius MR, tota QR, semissis sit, & aequalis sit sinui questito i L. Quod si forte arcus GD, sit maior, & IN, minor, erit nihilominus MP, sinus arcus MB, conflati ex minore tunc arcu MH, & HB, complemento maioris arcus GD.

a 2. sexti.

b 34. primi.

c 2. sexti.

d 34. primi.

A T in tertia figura quia minor arcus IN, maior est ipso ID, complemento maioris arcus GD, (vel si forte GD, minor foret, & IN, maior; minor GD, excedit ipsum GN, complementum maioris arcus IN,) sit, vt addito sinu RP, differentia DN, hoc est, addita ME, et equali ipsi KP, ad MP, sinum arcus MB, conflati ex minore arcu HM, & ex HB, complemento maioris recta PQ, quae semissis est totius recte composita EP, cum ipsis MR, semissis sit QR, & equalis sit sinu questito i L. Quod si forte arcus GD, minor sit, & IN, maior, erit nihilominus MP, sinus arcus MD, conflati tunc ex minore arcu GD, & GM, complemento maioris HM.

QVOD si sepositi duo arcus fuerint aequalis, accipiendo est alterutius complementum, & alter pro minore assumendum.

Quando sinus totus primus locum in regula proportionem, quando aliij duo numeri non sunt sinus, accipendi sunt illorum numerorum, instar sinuum, arcus ex tabula sinuum, & seorsum seponendi. Deinde regula supradicta a dividenda. Idem facientur est, quando sinus complementi alicuius arcus usurpatur. Tunc enim non spondens est ille arcus, sed loco illius assumendus, qui illi sinus, quaremus rectus est, respondet. Denique quandocunque secundus numerus, ac tertius non sunt sinus, vel alter eorum sinus, & alter non, accipiendo est arcus cuilibet numero, tanguam sinus, respondens: ita tamen, ut quando numerus sinus rotu maior est, abiciantur a parte dextra tot figura, quot pars sunt, ut reliquias numerus minor fiat sinus totu; & adiunctu quartu numeru per prosthapharesim, siue is sinus sit, siue Tangens, siue Secans, siue aliquis alius numerus, adiiciantur ad partem dextram toti zyphra, quot figura abicitur fuerunt. Nam quando una figura abicitur, sumitur pars decima numeri; quando duae, centesima: atque ita inservit quoque sola pars decima, aut centesima quarti numeri. Quare multiplicanda est pars illa invenia per 10. vel 100. quod sit per appositionem o. vel o.o. ut sors numerus habeatur. Sed rem hanc totam nonnullis exemplis planior faciamus.

SIT verbi gratia, inuestiganda declinatio grad. 17. min. 45. **III.** Quoniam est, vt sinus totus ad sinum maximam declinationis, ita sinus distantia dati puncti Eclipticæ à viciniori puncto æquinoctij ad sinum declinationis eiusdem dati puncti, vt in lemmate 18. demonstrauimus, sic stabit exempli ad prosthapharesim.

G. M.	G. M.
Arcus max. decl. 23. 30. Compl. maioris 12. 15. Minor numerus maior est quam Distans ab equin. 77. 45. Minor 23. 30. compl. ideo sit additio.	

Summa complem. & minoris. 35. 45.	sinus. 5842497.
Diff. inter compl. & minoris. 11. 15.	sinus. 1950903.

Sines inuenio 3896700.	Summa sinuum 7793400.
Respondeat declinatio G. et M. 56.	Semissis, vel sin. declin. 3896700.

RVRVS

R V R S V S sit inquirenda differentia ascensionalis grad. 6. $\frac{1}{2}$, ad altitudinem poli grad. 42. Quoniam est, ut sinus totus ad tangentem declinationis, ita tangens altitudinis poli ad sinum differentiae ascensionalis, ut in lemme 49. Num. 17. demonstrauimus, ita progrediemur. Declinatio grad. 6. $\frac{1}{2}$, est grad. 21. Min. 22. eius tangens 3912247. at tangens grad. 42. altitudinis poli 9094040. Priori tangenti in tabula sinuum respondent grad. 23. min. 2. Posteriori vero grad. 64. min. 13. atque hi duo arcus pro datis accipiendi sunt loco declinationis, & altitudinis poli. Sic ergo stabit exemplum.

G. M.	G. M.
Arcus 23. 2.	Compl. maioris. 25.47. Minor numerus minor est complementum dati 64. 13.
	Minor. 23. 2. 10, ideo fies substractio.
Summa complementi & minoris.	48.49.
Diff. inter compl. & minorem.	2. 45.
Relictum	7046284.
Semifisis, vel sinus diff. ascens.	3523142.

Sinui inuento 3523142. respondet differentia ascensionalis grad. 20. min. 38. hnc est. Hor. 1. Min. 23. Additis ergo horis 6. cōtinebit arcus semidiurnus Hor. 7. Min. 23. Et eadem differ. ex ascensione recta grad. 64. min. 6. (quæ gradul 6. $\frac{1}{2}$, debetur) ablata relinquit ascensionem obliquam grad. 43. min. 18.

Si T rursus inuestiganda differ. ascens. grad. 6. $\frac{1}{2}$, ad elevationem poli grad. 60. Tangens declinationis est, ut prius, 3912247. cui in sinibus respondet grad. 23. min. 2. Tangens vero grad. 60. altitudinis poli est 17320308. cui in sinibus (abiecta ultima figura 8. pro qua reliquo numero addi potest 1. cum $\frac{1}{2}$ superent $\frac{1}{2}$) respondens grad. 9. min. 5 8. Sic ergo stabit exemplum.

G. M.	G. M.
Arcus 23. 2.	Compl. maioris. 66. 58. Minor numerus minor est complemento, ideo fies substractio.
dati. 9. 58.	Minor. 9. 58.
Summa compl. & minoris.	76. 56.
Diff. inter compl. & minorem.	57. 0.
Relictum.	1354370.
Semifisis, vel sinus diff. ascens.	677183.

Sinui inuento 6771830. (Nam propter figuram 8. abiectam addenda est 0.) respondet differentia ascens. grad. 42. min. 38. hoc est, Hor. 2. min. 5 1. Eademq. diff. ex

dist. ex ascensione recta grad. 64. min. 6. (quæ gradui 6. $\frac{3}{4}$, debetur) ablate re linquit ascensionem obliquam grad. 21. min. 28.

SIT præterea explorata altitudo Solis in principio $\text{a} \text{d} \text{m}$. hora 4. post merid. vel hor. 8. post med. noct. ad altitudinem poli grad. 42. Quoniam, ut lib. i. Gnomonices propos. 36. demonstrauimus, est ut sinus totus ad sinum versus distantia Solis à mer. ita medietas rectæ conflata ex sinu altitudinis meridianæ, & sinu depressionis meridianæ ad differentiam inter sinum altitudinis meridianæ, & sinum altitudinis quæsitæ, ita agomus. Sinus versus distantia Solis à mer. est 5000000. cui in sinibus respondent grad. 30. min. 0. Sinus altitudinis meridianæ grad. 71. min. 30. est 9483237. Depressionis grad. 24. min. 30. sinus est 4146932. Medietas summe ipsorum 6815084 $\frac{1}{4}$. cui in sinibus respondent grad. 42. min. 58. Sic ergo stabit exemplum.

	G. M.	G. M.
Arcus datæ.	30. 0. Compl. maioris. 47. 2. Minor numerus minor est. comp. 42. 58. Minor. 30. 0. plenius, ideo fiet substractio.	
	Summa compl. & minoris 77. 2. Sinus. 9745008.	
	Diff. inter compl. & minorem 17. 8. Sinus. 8929280.	
	Relictum	6815728.
Semisitus, vel diff. inter sin. alt. mer. & sin. alt. quæsita.		3407864.

Deducto numero inuenito 3407864. qui est diff. inter sinum altitudinis meridianæ, & sinum quæsita altit. merid. 9483237. relinquitur sinus altitudinis quæsita 6075373. cui respondent grad. 37. min. 25. Tanta est altitudo Solis.

Quando sinus totus est in principio regule augens, sed vel tercii, vel secundus numerus est minor sine toto, quo pacto alter prosthaphæraðatur.

3. QVANDO sinus totus est ad aliquem numerum sine toto minorem, ut numerus sine toto maior ad aliud, inservi quoque, porro si operatio hoc modo. Numerus hic tertius maior sinus toto dividatur per sinum totum, erit quoque Quotiens numerus reliquus, si septem figura ad dexteram abieciantur, & scipem figura abiecta ab aliis divisionis residuum. Fiat ergo, ut sinus totus ad datum numerum minorem, ita residuum divisionis ad aliud: quod ex prosthaphæram patet, si numeri minoris, & residui, tanquam si sinus essent, arcus ex tabula sinuum accipiatur, &c. Ad inueniendum quartum numerum adiiciatur minor datus per Quotientem superioris divisionis multiplicatus, ut totus quartus numerus quæsitus prodeat.

E XEMPLI gratia. Sit inuenienda differentia ascensionalis gra. 6. $\frac{3}{4}$, ad altitudinem poli grad. 50. Quoniam est, ut sinus totus ad 3912247. tangentem declinationis ita 1191737. tangens datæ altitudinis poli ad sinum differentiæ ascensionalis: vides secundum numerum minorem esse sinus toto, tertium vero maiorem, quo diffido per 1000000. sinus totum, quotiens est 1, & residuum 191737.. Cum minore ergo illo numero, & hoc residuo, ex tabula sinuum exerce hōs arcus: Grad. 23. min 2. & Grad. 1. Min. 3. Sic ergo stabit exemplum.

Arcus

G. M.		G. M.	
Arcus dati	23. 2. 11. 3.	Compl. maioris Minor.	66.58. 11. 3.
			Minor numerus cōplemento minor est, ideo facienda erit subtrāctio.
Summa compl. & minoris numeri.	78. 1.	Sinus	9782080.
Diff. inter compl. & minorem num.	55.55.	Sinus	8283334.
		Relictum.	1499846.
Semissis, vel quartus numerus inuentus.			749923.

Huic semissi si addatur minor numerus 3912247. semel, quia Quotiens superior fuit 1. conflabitur sinus diff. ascens. 4662170. cui debetur arcus diff. ascens. grad. 27. min. 47. hoc est, Hor. 1. Min. 51. Additis ergo horis 6. fiet arcus semi-diurnus Hor. 7. Min. 51. Eadem autem diff. ex ascensione recta grad. 6. $\frac{1}{2}$, quæ complectitur grad. 64. min. 6. ablata relinquit ascensionem obliquam grad. 36. min. 19. ad altitudinem poli grad. 50.

H V I V S regulæ demonstratio ex superiorioribus figuris elicetur. Posito enim sinu toto Ei, quoniam est, ut Ei, sinus totus ad i L, minorem numerum, ita EG, maior numerus ad GK; si ex EG, dematur sinus totus Ei, erit quoque, ut sinus totus Ei, ad i L, ita iG, residuum ad G1, numerum, ad quem si adiiciatur minor iL, vel iK, conflabitur totus quartus numerus quæsitus GK. Et si sèpius detractus fuisset sinus totus Ei, ut relinqueretur i G, minor sinu toto, adiici debuissest minor i L, toties, quoties abiectus fuisset sinus totus, cum cuilibet sinus toti respondeat recta æqualis ipsi i L, quemadmodum i L, sinu toti Ei, responderet.

E A D E M ratio est, quando secundus numerus maior est sinu toto, & tertius minor. Nam si est, ut sinus totus ad numerum maiorem, ita numerus minor ad quartum quæsitum; erit quoque permutando, ut sinus totus ad minorem, ita maior ad quartum: atque ita rursus obtinebit maior tertium locum in regula.

S E D quando vterque numerus maior est sinu toto, tenenda est superior regula Num. 2. explicata, hoc est, abiicienda vna, aut altera figura ex utroque ad dexteram, ut minores numeri habeantur: Ad inuentum tamen numerū quartum apponendę erunt toti ziphrae, quot figure abiectae fuerint, ut supra Num. 2. diximus.

A T Q V E hoc quidem modo prosthaphæsis fit, sinu toto primum locum in proportionum regula obtinente: doceamus iam, quo pacto eadem prosthaphæsis instituenda sit, quando sinus totus in secundo vel tertio loco dicta regula collocatus est. Sic ergo agemus.

4. Q V A N D O primus numerus maior est secundo, vel tertio, tamen minor si- mu toto, scilicet ut sinus totus ad secantem complementi illius arcus, qui minori numero in tabula sinus, tanquam sinus respondet, ita minor numerus ad aliud: hoc est, duo arcus, qui illi secantur. Et minori numero in sinus tabula debentur, seponantur, tanquam dati, & catena fiant, ut in prosthaphæsi dictum est. Quod si primus numerus maior, maior etiam sit sinus toto, agendum erit, ut paulo infra Num. 6. dicemus.

5. Q V A N D O autem primus numerus minor est, & minor sinu toto, tunc si quidem maior minor est sinus toto, scilicet ut sinus totus ad secantem complementi illius arcus, qui

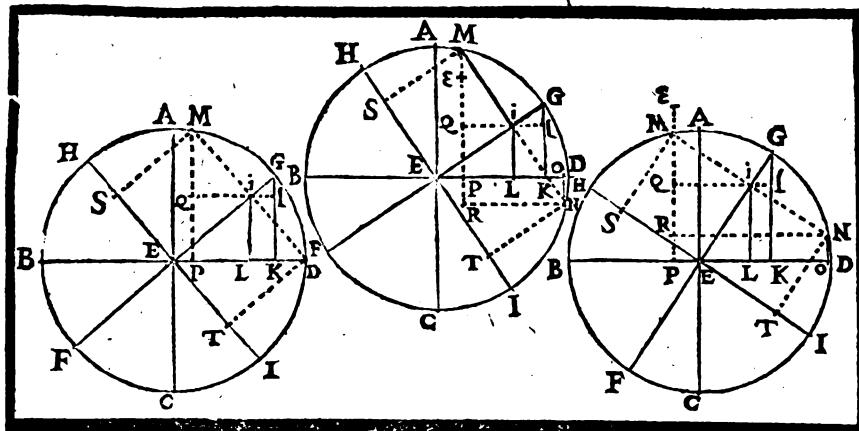
Quando sinus ei-
tus secundum, vel
tertium locum
regulæ aures os-
cipit, que pacto
prosthaphæsis
sit.

Quando primus
numeris est ma-
ior, sed minor si-
tu toto.

Quando primus
numeris minor,
et minor est
sinu toto.

cur, qui minori numero, tanquam sinui, in tabula sinuum respondeat, ita maior numerus ad aliud: hoc est. duo arcus, qui illi Secant, & maiori numero in sinibus respondent, seponantur, ut dati, & cetera fiant, que in regula profibapherisis Num. 1. & 2. p. accepimus. Si vero maior numerus maior est sinu toto, derivabitur ex eo minor aliquoties, donec numerus reliquius sinus toto minor sit, vel si maius, detrahatur minorem, quoties fieri potest: Et siat rursus; ut sinus totus ad secantem complementi illius arcus, qui minori dato numero, tanquam sinui, respondeat, ita reliquius numerus maioris ad aliud, ut dictum est; inuenienteque quarto numero adiiciatur sinus totus roties, quoties minor numerus ex maiore ablatus est, ut totus quartus numerus questus conficiatur.

6. D V P L E X hoc præceptum ex eisdem figuris superioribus demonstrabitur hoc modo. Quoniam si est, ut GK, ad EG, sinum totum, ita minor numerus i L, ad E i, erit ut GK, sinus totus ad EG, secantem anguli G, qui complementum est anguli E, cuius GK, sinus est, (nam posito sinu toto GK, erit EG,



secans anguli G, & EK, tangens, ut in tractatu Tangentium & Secantium diximus) ita i L, ad E i. Atque ita demonstratum est primum præceptum, si tamen primus numerus maior, minor sit sinu toto, ut per ipsum, veluti sinum,) angulus E, in tabula sinuum possit accipi, ac proinde eius complementum G. haberi.

Quando primus numerus est maior, & maior est sinus totus.

N A M si primus numerus maior maior fuerit sinu toto, accipienda erit eius pars decima, vel centesima, &c. quod sit per ablationem unius figura ad dexteram, vel duarum, &c. sed ex numero invenientia sumenda deinde est pars etiam decima, vel centesima, &c. pro quarto numero quarto: nisi forte eadem pars decima, vel centesima, &c. minoris numeri accepta sit. Tunc enim numerus inveniens efficit quartus questus: quod ita se habeat pars quelibet primi numeri ad secundum, ut eadē pars tertij ad quartum. Ex quo sit, si ex tertio numero, hoc est, ex minore, sumpta non sit decima, vel centesima pars, &c. numerum invenientum esse decies, centiesue, &c. maiorem, quam esse debeat, ideoq; eius partem decimam, centesimam, &c. accipienda esse pro quarto numero, ut diximus.

7. DE INDE si sit ut i L, ad E i, sinum totum, (posito sinu toto E i,) ita maior numerus GK, ad EG; erit ut i L, sinus totus ad E i, secantem anguli i, qui complementum est anguli E, quem numerus minor iL, ut sinus, offert, ita GK, ad EG. Si

EG. Si igitur maior numerus GK, minor fuerit sinu toto E i, vt per eum, veluti sinum, arcus respondens in tabula sinuum, accipi possit, recte se res habet. Si autem GK, maior fuerit sinu toto E i, vt in tertia figura, detrahedus ex eo est minor i L, semel, bis, terua, &c. donec relinquatur numerus G l, minor sinu toto: Et ad inuentum numerum G i, adiiciendus est sinus totus E i, toties, quoties iL, ex GK, subtractus fuit, vt totus quartus numerus quatuorius EG, componatur.

Si primus eriam numerus minor, masor sit sinu toto, auferenda sunt ex primo, & alioquin aliquot figura ultima, ut numeri relinquantur sinu toto minores: Et si quidem reliquias maioris numeri minor fuerit reliquo minoris primi numeri, serueratur regula Num. 4. explicata: Si vero maior, prior pars regula Num. 5. exposita. Ad quartum deinde numerum eo modo inuentum apponantur rot ziphra, quo figura ex maiore numero fuerunt ablatae; quia propter unam figuram ablatam inuenientur tanquam eius pars decima, & propter duas, pars centesima, &c. Vnde per appositionem o. vel oo. &c. multiplicandus erit numerus inuentus per 10. aut 100. &c. ut torus quartus numerus prodeat. Ex hoc vero iterum auferenda erunt rot ziphra, quo figura ex minore numero, qua primum locum obtinet in regula, sunt ablata: quia propter unam figuram ablatam inuenientur numerus decies maior; propter duas, centes. &c. propterea quod diuisio sit per decies, aut centes. &c. minorem numerum. Quare per ablationem o. vel oo. &c. dividendus erit numerus per 10. vel 100. &c. ut versus quartus numerus habeatur. Quod si ab initio rot figura dempta sint ex primo minore, quod ex dato maiore, ad quartum primo loco inuenientur neque addendum est aliquid, neque ex eo auferendum.

Quando primus numerus minor maior est et sicut.

E X E M P L I gratia. Sit inuestiganda latitudo ortiu principij -- , ad elevationem poli grad. 42. Quoniam igitur est, vt sinus complementi altitudinis poli $74^{\circ} 44' 48''$ ad sinu declinationis puncti Eclipticæ $39^{\circ} 87' 49''$. ita sinus torus ad sinum latitudinis ortiu, vt lib. 1. Gnomonicæ propos. 34. demonstrauimus, ita procedemus. Cum primus numerus maior sit secundo, minor tamen sinu toto, accipiemus ex tabula sinuum arcum grad. 48. maior in numero respondentem, hoc est. ipsum complementum altitudinis poli, & secantem complementi huius arcus $34^{\circ} 56' 32''$. cui (abiecta ultima figura 6.) in tabula sinuum respondet arcus grad. 7. min. 44. Minor autem numero $39^{\circ} 87' 49''$. respondet declinatio grad. 23. min. 30. Sic ergo stabit exemplum.

Exemplum quod do primus numerus maior est, minor tamen sicut.

G.	M.	G.	M.
Arcus 7. 44. - 23. 30.	Compl. maioris. 66. 30.	Minor numerus minor est comp. plemento, ideo sicut substractio.	

$$\begin{array}{l|l|l}
\text{Summa compl. & minoris.} & 74. 14. & \text{Sinus. } 96^{\circ} 23' 76'' \\
\text{Diff. inter compl. & minorem.} & 58. 46. & \text{Sinus. } 83^{\circ} 20' 62'' \\
\end{array}$$

$$\begin{array}{l|l}
\text{Relictum.} & 1073134. \\
\text{Semisisis, vel quartus numerus inuentus.} & 536567. \\
\end{array}$$

Hic semisissi apponatur o. propter figurā ablectam ex secante, sicut sinus latitudinis ortiu $536^{\circ} 56' 70''$ cui respondent grad. 32. min. 27. pro latitudine ortiu. Nam quarti runeri per appositionem ziphra inueniti $536^{\circ} 56' 70''$. non est accipienda pars decima, vel centesima, quia primus numerus maior $74^{\circ} 44' 48''$. minor est sinu toto.

*Exemplum quod prima rame
rus in ore est, &
maior erit sinu
toto, sed alter mi
nor.*

R V R S V S in triangulo sphærico rectangulo, cuius unus angulorū nō recto
rum contineat grad. 50. & arcus oppositus circa angulum rectum grad. 20. in
vestigandus sit alter arcus circa angulum rectum, si modo constet species alto
ius anguli non recti. Quoniam per propos. 44. nostrorum triang. sphær. est, ve
11917537. tangens anguli dati grad. 50. ad 3639703. tangētem dati arcus grad.
20. ita sinus totus ad sinum alterius arcus circa rectum angulum; sic agemus.
Cum primus numerus sit maior sinu toto, & alter minor; reiçiemus ex illo si
guram ultimam 7. vt habeamus numerum 1191753. sinu toto minorem, cui re
spondet in tabula sinuum arcus grad. 6. min. 51. Huius complementi secans,
est 83843097. Abiecta ultima figura 7. reliquo numero in tabula sinuum respon
det arcus grad. 56. min. 58. Minoris numero, vt sinui, respondent grad. 21.
min. 21. Itaque duo arcus prosthaphæresis sunt grad. 56. min. 58. & grad. 21. min.
21. Et sic stabit exemplum.

	G. M.	G. M.
Arcus dati.	56. 58. 21. 21.	Compl. majoris. Minor.

*Minor substrahi potest à compl.
ide o fieri substradic.*

Summa compl. & minoris.	54. 23.	Sinus.	8129314.
Dif. inter compl. & minoris.	11. 41.	Sinus.	3023935.

Relidum. Serijs, vel quartus numerus ianuarius.	6104289. 3058145.
--	----------------------

Hic quarto numero addenda est o. propter figuram ex secante abiectam, vt
habeatur totus quartus numerus 30521450. cuius pars decima 3052145. erit si
nus arcus quæsiti, propter figuram ex primo numero abiectam. Arcus ergo que
sus erit grad. 17. min. 46. paulo amplius, si constet eum debere esse quadrante
minorem.

*Exemplum qua
do & maior pri
mus numerus, &
alter minor, ma
ior est sinu toto.*

I T E M in eodem triangulo, posito angulo grad. 50. & arcu opposto
grad. 48. inuestigandus sit rursum alter arcus circa rectum angulum. Tangens
anguli est, vt prius 11917537. Et tangens arcus est 17106124. Vbi tam pri
mus maior, quam alter minor, maior est sinu toto. Reiecta ergo ex utroque ul
tima figura, cum reliquo primi reperiemus arcum grad. 6. min. 51. Huius com
plementi secans est 83843097. Abiecta ultima figura, reliquo numero, vt finni,
debetur arcus grad. 56. min. 58. qui est unus arcuum, qui requiruntur. Reli
quo numero secundi minoris, vt finni, debetur arcus grad. 6. min. 23. qui est
alter requisitus. Sic ergo stabit exemplum.

Arcus

G. M.	G. M.
Arcus dati	36.58. 6.23.
Compl. majoris Minor.	33.2. 6.23.
Summa compl. & minoris. Diff. inter compl. & minorem.	35.25. 26.39.
Relictum. Semissis, sine quartus numerus invenitus.	1864161. 932081.
Sinus	6349553.
Sinus	4483392.

Huic quarto numero apponenda est o. propter figuram ex secante abiectam, vt totus quartus numerus prodeat 9320810. hoc est, sinus quaesiti arcus. Hic enim nihil demendum est, cum & ex primo maiore, & secundo minore abiecta sit una figura. Igitur arcus quaesitus erit grad. 68.min.46.fere, si constet, cum debere esse minorem quadrante.

R V R S V S sit inuestigandus arcus semidiurnus in principio ☐ ad eleuationem poli grad. 42. Quoniam, vt in scholio propos. 35. lib. 1. Gnomonices ostendimus, sic se habet medietas aggregata ex sinu altitudinis meridianæ, & ex sinu depressionis meridianæ ad sinum altitudinis merid. vt sinus totus ad sinum versus arcus semidiurni. Est autem prædicta medietas 6815085, sinus vero altitudinis meridianæ 9483237. vbi vides, primum numerum esse minorem secundo, & hunc minorem sinu toto. Minoris, qui primus est, vt sini, debentur grad. 42. min. 58. secars complementi huius arcus est 14671945. cum, abiecta ultima figura, responderet arcus in sinibus grad. 8. min. 26. qui est unus ex requisitis. Maiori numero, vt sinu, congruit arcus grad. 71. min. 30. qui est alter requisitus. Sic ergo stabit exemplum.

Exempla ha-
do primus nume-
rus est minor, &
alter maior, sed
minor sinu toto.

G. M.	G. M.
Arcus dati.	8.26. 71.30.
Compl. majoris. Minor.	18.30. 8.26.
Summa compl. & minoris. Diff. inter compl. & minorem	26.36. 10.4.
Relictum. Semissis, vel quartus numerus invenitus.	2781596. 1390798.
Sinus.	4529535.
Sinus.	1747939.

Quarto huic numero apponatur o. propter figuram ex secante abiectam, vt sit totus sinus versus 13907980. cui debentur grad. 113. paulo amplius, hoc est, Hor. 7. min. 32. pro arcu semidiurno.

P R A E T E R E A in triangulo sphærico ex lateribus circa angulum re-
gum, quæ sint grad. 30. grad. 50. inquirendus sit angulus posteriori lateri oppo-
sitius. Quoniam enim est, vt 500000. sinus grad. 30. ad sinum totum, ita
11917537. tangens grad. 50. ad tangentem quaesiti anguli, vt in scholio pro-

Exemplum quâ-
do primus nume-
rus minor est
sinu toto, sed alter
maior.

pos. 44. triang. sphær. demonstrauimus; vides primum numerum esse sinu toto minorem, alterum vero maiorem. Minor bis detractus ex maiore relinquit 11917537. Fiat ergo ut sinus totus ad 2000000. secantem complementi anguli, qui minori numero dago, ut sinui, congruit, ita reliquo numerus maioris ad aliud. Secanti, abiecta vltima figura, respondent in sinibus grad. 11. min. 32. qui est vnum ex arcubus requisitis. Reliquo numero maioris, ut sinui, congruant grad. 11. min. 3. pro altero arcu requisito. Sic ergo stabit exemplum.

	G. M.	G. M.	
Arcus	11. 32.	Compl. maioris. 78. 28.	Minor à compl. deficit, idcirco
dasi	11. 3.	Minor. 11. 3.	fiet substractio.
Summa complementi & minoris.	89.31.	Sinus.	9999644
Diff. inter compl. & minorem.	67.25.	Sinus.	9233220.
Relictum		766424.	
Semissis, sine quartius numerus invenitus.		3832120.	

Huic numero quarto apponatur o propter figuram ex secante abiecam, & toti numero 3832120. addatus sinus totus bis, quod bis minor numerus ex maiore fuenter subtractus, fietq; tangens anguli quæstii 23832120. Est ergo angulus grad. 67. min. 14 paulo amplius. Si minorem numerum 5000000. ex maiore 11917537. semel tantummodo detraxisses, relictus quoque fuisset numerus minor sinu toto, cum quo eundem angulum reperies.

Exemplum, quâdo primus numerus minor est, sed sinu toto maior.

D E N I Q V E in triangulo sphærico rectangulo ex arcu circa angulum rectum grad. 50. & arcu, qui recto angulo opponitur, grad. 60. inuestigamus sit angulus à dictis arcubus comprehensus. Quoniam per propos. 45. triang. sphær. ita se habet tangens arcus recto angulo oppositi, ad tangentem arcus circa angulum rectum, ut sinus totus ad sinum complementi anguli quæstii: Et per propos. 18. sinuum, ita est secans anguli quæstii ad sinum totum, ut sinus totus ad sinum complementi eiusdem anguli; erit quoque, ut tangens arcus recto angulo oppositi ad tangentem arcus circa angulum rectum, ita secans quæstii angulum ad sinum totum. Et conuertendo, 11917537. tangens arcus circa rectum angulum grad. 50. ad 17320508. tangentem arcus, angulo recto oppositi grad. 60. ita sinus totus ad secantem anguli quæstii. Habetus ergo primum numerum minorem quidem, sed maiorem sinu toto. Ablata ergo vltima figura 7. reliquo numero respondent in sinibus grad. 6. min. 51. Secans "complementi huius arcus est 83843097. Abiecta vltima figura, reliquo numero, ut sinui, debentur grad. 56. min. 58. qui est ex requisitis vnum. Alter vero sic repertetur. Abiecta vltima figura ex maiore numero, remanet numerus 1732051. minor sinu toto, sed maior reliquo numero minoris, ideoq; prior pars regulæ Num. 5. expositæ adhibenda. Arcus ergo alter requisitus erit grad. 9. min. 58. congruens numero 1732051. Sic igitur stabit exemplum.

Arcus

	G.	M.		G.	M.	
Arcus	56.	58.	Compl. maioris.	33.	2.	Fieri debet subtractione, cum
dati.	9.	58.	Minor. —	9.	58.	minor detrahi posse à cōpl.
Summa compl. & minoris	43.	0.		sinus.	6819284.	
Diff. inter compl. & minorem.	23.	4.		sinus.	3918020.	
Radicum.					2901964.	
Semis, sine quartus inuentus numerus					1450982.	

Huic quarto numero apponatur o. propter figuram ex secante abiectionem, vt totus quartus numerus fiat 14509820. Propter abiectionem vero unius figuræ ex utroque quimero factam nihil sit, cum ex utroque ablatæ sint figuræ numero paræ, nimirum vna. Secanti autem inuentæ congruunt grad. 46. min. 26. pro argu lo quasito, & paulo plus.

8. QVANDO sinus totus neque in principio, neque in medio regula proportionum reperitur, reducens erunt primi duo numeri ad alios duos per prosthapharesim, quorum primus sit sinus totus, hac ratione. Fiat, ut primus numerus ad sinum totum, ita secundus ad aliud, per prosthapharesim Num. 4. 3. & 6. declaratam. Tunc enim erit quoque sinus totus ad numerum inuentum, ut tertius ad inueniendum, atque ita usurpanda erit prosthapharesis Num. 1. & 2. explicata.

C AETERVM prosthapharesis, quamvis demonstrationibus Geometricis nitatur, vt ostendimus, accurata tamen & exquisita esse non potest, nisi quando per solos sinus operatio sit, & sinus totus in principio regulæ ponitur, vt Num. 1. expositum fuit. Nam quando adhibentur alij numeri præter sinus, non parvus error committi potest, propterea quod raro eiusmodi numeri in tabula finium præcise reperiuntur, vt arcus illi congruentes accipi possint sine errore. Quocirca vt exquisitus res per prosthapharesim fiat, adhibenda erit semper pars proportionalis, ve in explicatione, atque vsu tabulæ finium exposuitus, hoc est, cum numero, qui in tabula finium non præcise reperitur, excerptus arcus cum gradibus, minutis, & secundis: quod fiet, si differentia capiatur inter finum proxime minorem dato numero, & proxime maiorem, & differentia inter eundem finum proxime minorem, & datum numerum, atque dicatur. Si prior differentia requirit secunda 60 (Nam inter duo proxima minuta interiiciuntur 60. secunda,) posterior quot secunda postulat? atque hęc secunda inuenta arcui, qui minori finui assumpto congruit, addenda erunt. Eodem modo, si cum gradibus, minutis, & secundis excerptus sit sinus, sumenda erit differentia inter finum gradibus, ac minutis respondentem, & finum proxime maiorem, atque dicendum. Si 60. secunda postulat tantam differentiam, quantum proposita secunda requirunt? atque differentia inuenta finui proxime minori assumpto adiicienda erit. Idem faciendum est in tabula Tangentium, secantiumque, quando id res ext get. Sed facilius in finium tabula pars proportionalis eruitur eo modo, quem paulo post explicabimus, per vnicam videlicet vel multiplicationem, vel diuisionem, eamque per exiguos numeros. Non debet autem molesta videri partis proportionalis inuentio in prosthapharesi, cum ea fiat per exiguae multiplicationes, divisionesq; exprosthapharesis autem longis, ac per molestias multiplicationibus, diuisionibusque nos liberat. Quod si quis malit operari per finium, pliorumq; numerorum multiplicationem, ac diuisionem, quam per prosthapharesim

Quando sinus totus in regula arietaria non reperitur, quo pacto prosthapharesis fiat.

Prosthapharesis quando accurata sit, & quo pacto fieri possit accurate per partis proportionales invenientiam.

resum cum parte proportionali, id ei per nos hicebit. Non enim negamus, quin res interdum citius absolutur sine prosthaphæresi, propter partes proportionales, quæ opus aliquantum retardant: sed tamen fatein etiam, minorem esse molestiam in prosthaphæresi, quam in tam logis ac difficultibus numerorum multiplicationibus, divisionibusq; præfertem quia in finium tabula sine vlo sere labore pars proportionalis eruitur eo modo, quem post tabulam finium paulo post exponemus. Sed ponamus exemplum aliquod, vbi prosthaphæresis cum proportionali parte absolutur.

Exemplum prosthaphæresis cum parte proportionali.

S I T ergo, vt in postremo exemplo, inuestigandus rursus angulus ab arcu, qui recto angulo opponitur, & ab arcu circa rectum angulum comprehensus, quorum ille sit grad. 60. & hic grad. 50. Et quia, vt dictum est, ita se habet 11917537. tangens arcus grad. 50. ad 17320508. tangentem arcus grad. 60 vt sinus totus ad secantem quæsiti anguli: si abiciantur ultimæ figuræ 7. & 8. pro quibus vnitates aslumantur, quod tam $\frac{7}{10}$ quam $\frac{8}{10}$ semissem supererit, habebuntur numeri sinu toto minores 1191754. & 1732051. in eadem fere proportione. Fiat ergo, vt sinus totus ad secantem complementi anguli, qui sinui 1191754. debetur, ita sinus 1732051. ad aliud, veluti in prima parte regulæ Num. 5. explicata traditum est. Cum priori sinu inuenitur arcus grad. 6. min. 50. Sec. 40 cuius complementi secans est 83910940. Cui, abiecta ultima figura, vt sinui, congruit arcus grad. 57. min. 2. sec. 46. atque hic est unus ex arcubus requisitis. Alter arcus posteriori numero debitus est grad. 9. min. 58. sec. 27. Sic ergo statuit exemplum.

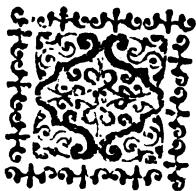
	G.	M.	S.		G.	M.	S.	¶
Arcus dati	37.	2.	46.	Compl. majoris.	32.	57.	14.	Minor est minor quam
	9.	58.	27.	Minor.	9.	58.	27.	compl. ideo fieri subtrahit.
Summa compl. & minoris	42.	35.	41.	sinus	6810795.			
Difff. inter compl. & minorum	22.	58.	47.	sinus	9904053.			
				Relidum.				2906743.
				Semissis, siue quartus numerus.				1453371.

Apposita figura o. ad quartum numerum inuentum, propter figuram ex secante abiectam, fiet tota secans 14533710. cui respondet arcus grad. 46. min. 31. p. angulo quæsito, qui à superiori minutis ferme 5. differt; vbi vides, quāti interficit, adhibere partes proportionales. In aliis exéplis negleximus dedita opera partes proportionales, tum quia in illis tantus error non appetit, tum vero maximæ, vt regulæ prosthaphæresis clarus explicarentur. Sed proponamus iam finium tabulam emendatam, (quæ enim circumferuntur, erroribus non carent) cum numeris quibusdam incertis, beneficio quorum pars proportionalis nullo fere negotio inuentiri possit.

T A B U L A

T A B V L A.
S I N V V M

Emendata, vna cum partibus proportionaliibus, quæ singulis secundis graduum congruunt.



pos. 44. triang. sphær. demonstrauimus; vides primum numerum esse sinu toto minorem, alterum vero maiorem. Minor bis detractus ex maiore relinquit 1917537. Fiat ergo ut sinus totus ad 20000000. secantem complementi anguli, qui minori numero dago, vt sinui, congruit, ita reliquo numerus maioris ad aliud. Secanti, abiecta vltima figura, respondent in sinibus grad. 11. min. 32. qui est vnu ex arcubus requisitis. Reliquo numero maioris, vt sinui, congruant grad. 11. min. 3. pro altero arcu requisito. Sic ergo stabit exemplum.

	G. M.	G. M.
Arcus	11. 32.	Compl. majoris. 78. 28. Minor à compl. deficit, idcirco
dati	11. 3.	Minor. 11. 3. sicut subtractio.
Summa complementi & minoris.	89.31.	Sinus.
Diff. inter compl. & minorem.	67.25.	Sinus.
		9999644.
		9233220.
		Reliduum
		766424.
		Semisitus sine quartus numerus innentus.
		383212.

Huic numero quarto apponatur o propter figuram ex secante abiectam, & toti numero 3832120. addatur sinus totus bis, quod bis minor numerus ex maiore fuerit subtractus, sicutq; tangens anguli quæsiti 3832120. Est ergo angulus grad. 67. min. 14 paulo amplius. Si minorem numerum 5000000. ex maiore 1917537. semel tantummodo detrahit, reliquus quoque fuissest numerus minor sinu toto, cum quo eundem angulum reperires.

*Exemplum, quæ
do primus nume
rus minor est,
sed sinu toto ma
ior.*

D E N I Q V E in triangulo sphærico rectangulo ex arcu circa angulum rectum grad. 50. & arcu, qui recto angulo opponitur, grad. 60. inuestigans sit angulus a dictis arcubus comprehensus. Quoniam per propos. 45. triang. sphær. ita se habet tangens arcus recto angulo oppositi, ad tangentem arcus circa angulum rectum, vt sinus totus ad sinum complementi anguli quæsiti : Et per propos. 18. sinuum, ita est secans anguli quæsiti ad sinum totum, vt sinus totus ad sinum complementi eiusdem anguli ; erit quoque, vt tangens arcus recto angulo oppositi ad tangentem arcus circa angulum rectum, ita secans quæsiti anguli ad sinum totum. Et conuertendo, 1917537. tangens arcus circa rectum angulum grad. 50. ad 173.0508. tangentem arcus angulo recto oppositi grad. 60. Ita sinus totus ad secantem anguli quæsiti. Habemus ergo primum numerum minorem quidem, sed maiorem sinu toto. Ablata ergo vltima figura 7. reliquo numero respondent in sinibus grad. 6. min. 51. Secans "complementi huius arcus est 83843097. Abiecta vltima figura, reliquo numero, vt sinui, debentur grad. 56. min. 58. qui est ex requisitis vnu. Alter vero sic repertetur. Abiecta vltima figura ex maiore numero, remanet numerus 1732051. minor sinu toto, sed maior reliquo numero minoris, ideoq; prior pars regulæ Num. 5. expedita adhibenda. Arcus ergo alter requisitus erit grad. 9. min. 58. congruens numero 1732051. Sic igitur stabit exemplum.

Arcus

G.	M.	G.	M.
Arcus dati.	56. 58. 9.	Compl. maioris. Minor. —	33. 2. 9. 58.
			Fieri debet substractio, cum minor detrahi possit à cōpl.
Summa compl. & minoris	43.	0.	sinus. 6819284.
Diff. inter compl. & minorē.	33.	4.	sinus. 3918020.
		Reticulum.	2901964.
		Semissis, siue quartus invenitus numerus	1450983.

Huic quarto numero apponatur o. propter figuram ex secante abiectam, ut totus quartus numerus fiat 14509820. Propter abiectionem vero vnius figurae ex utroque quinque factam nihil fit, cum ex utroque ablata sint figurae numero parres, nemirum vna. Secanti autem inuentae congruant grad. 46. min. 26. pro angulo quasito, & paulo plus.

8. QVANDO sinus totus neque in principio, neque in medio regula proportionum reperitur, reducendi erunt primi duo numeri ad alios duos per prosthapharesim, quorum primus sit sinus totus, hac ratione. Fiat, ut primus numerus ad sinum totum, ita secundus ad aliud, per prosthapharesim Num. 4.5. & 6. declaratam. Tunc enim erit quoque sinus totus ad numerum inuentum, ut tertius ad inuenientum, asque ita usurpanda erit prosthapharesis Num. 1. & 2. explicata.

C AETERVM prosthapharesis, quamvis demonstrationibus Geometricis nitatur, ut ostendimus, accurata tamen & exquisita esse non potest, nisi quando per solos sinus operatio sit, & sinus totus in principio regulae ponitur, ut Num. 1. expositum fuit. Nam quando adhibentur alijs numeri præter sinus, non parvus error committi potest, propterea quod raro eiusmodi numeri in tabula sinuum præcise reperiuntur, ut arcus illi congruentes accipi possint sine errore. Quocirca ut exquisitius res per prosthapharesim fiat, adhibenda erit semper pars proportionalis, ut in explicatione, atque vsu tabulae sinuum exposuimus, hoc est, cum numero, qui in tabula sinuum non præcise reperitur, excerptus arcus cum gradibus, minutis, & secundis: quod si differentia capiatur inter sinum proxime minorem dato numero, & proxime maiorem, & differentia inter eundem sinum proxime minorem, & datum numerum, atque dicatur. Si prior differentia requirit secunda 60 (Nam inter duo proxima minuta interisciuntur 60. secunda.) posterior quot secunda postulat? atque hec secunda inuenta arcui, qui minori sinui assumpto congruit, addenda erunt. Eodem modo, si cym gradibus, minutis, & secundis excerptus sit sinus, sumenda erit differentia inter sinum gradibus, ac minutis respondentem, & sinum proxime maiorem, atque dicendum. Si 60. secunda postulant tantam differentiam, quantam proposita secunda requiriunt? atque differentia inuenta sinui proxime minori assumpto adiicienda erit. Idem faciendum est in tabula Tangentium, secantiumque, quando id res extaret. Sed facilius in sinuum tabula pars proportionalis eruitur eo modo, quem paulo post explicabimus, per vnicam videlicet vel multiplicationem, vel divisionem, eamque per exiguos numeros. Non debet autem molesta videri partis proportionalis inuentio in prosthapharesi, cum ea fiat per exiguae multiplicationes, divisionesque ciprosthapharesis autem longis, ac per molestis multiplicationibus, divisionibusque nos liberat. Quod si quis malit operari per sinuum, plurorumq. numerorum multiplicationem, ac divisionem, quam per prosthapharesum

Quando sinus totus in regula accura-
ta non reperi-
tur, quo pacto
prosthapharesis
erit.

Prosthapharesis
quando accurata
sit, & quo pacto
significat accura-
tior per par-
tes proportiona-
lis inuentio.

resum cum parte proportionali, id est per nos hicebit. Non enim negamus, quin regis interdum citius absoluatur sine prosthaphæresi, propter partes proportionales, quæ opus aliquantum retardat: sed tamen fateamur etiam, minorum esse molestiam in prosthaphæresi, quam in tam logis ac difficultibus numerorum multiplicationibus, divisionibusq; præferremus quia in fineum tabula sine viuere labore pars proportionalis eruitur eo modo, quem post tabulam finuum paulo post exponemus. Sed ponamus exemplum aliquod, ubi prosthaphæresis cum proportionali parte absoluatur.

Exemplum prosthaphæresis cum parte proportionali.

S I T ergo, ut in postremo exemplo, inuestigandus rursus angulus ab arcu, qui recto angulo opponitur, & ab arcu circa rectum angulum comprehensus, quorum ille sit grad. 60. & hic grad. 50. Et quia, ut dictum est, ita se habet 11917537. tangens arcus grad. 50. ad 17320508. tangentem arcus grad. 60 ut sinus totus ad secantem quæstiæ anguli: si abiciantur ultimæ figuræ 7. & 8. pro quibus vñitares aslumantur, qdod tam $\frac{7}{10}$ quam $\frac{8}{10}$ semissem supererit, habebuntur numeri sinu toto minores 1191754. & 1732051. in eadem ferre pro portione. Fiat ergo, ut sinus totus ad secantem complementi anguli, qui sinu 1191754. debetur, ita sinus 1732051. ad aliud, veluti in prima parte regulæ Num. 5. explicata et traditum est. Cum priori sinu inueniatur arcus grad. 6. min. 50. Sec. 40 cuius complementi secans est 83910940. Cui, abiecta ultima figura, ut finni, congruit arcus grad. 57. min. 2. sec. 46. atque hic est vñus ex arcubus requisitis. Alter arcus posteriori numero debitus est grad. 9. min. 58. sec. 27. Sic ergo statuit exemplum.

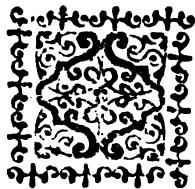
	G.	M.	S.		G.	M.	S.	
Arcus dati	57.	2.	46.	Compl. maioris.	32.	57.	14.	Minor est minor quam
	9.	58.	27.	Minor.	9.	58.	27.	copl. id est fieri substractio.
Summa compl. & minoris	42.	35.	41.	sinus	6810795.			
Diff. inter compl. & minori	22.	38.	47.	sinus	9904033.			
				Relictum.			2906742.	
				Semissem, sive quartus numerus.			1453371.	

Apposita figura o. ad quartum numerum inuentum, propter figuram ex secante abiectam, fiet tota secans 14533710. cui respondeat arcus grad. 46. min. 31. p. angulo quæsto, qui à superiori minutis ferme 5. differt; vbi vides, quāti interficit, exhibere partes pportionales. In aliis exéplis negleximus dedita opera partes proportionales, tum quia in illis tantus error non appetit, tum vero maxime, ut regulæ prosthaphæresis clarius explicarentur. Sed proponamus iam finu tabulam emendatam, (quæ enim circumferuntur, erroribus non carent) cum numeris quibusdam interiectis, beneficio quorum pars proportionalis nullò fere negotio inuentiri possit.

TABVLA

T A B V L A.
S I N V V M

Emendata, vñà cùm partibus proportionali-
bus, quæ singulis secundis
graduum congruunt.



T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	0	1	2	3	4	
0	0000	174524	348995	52330	697165	60
1	2909	177433	351902	526265	700467	59
2	5818	180341	354809	529170	703369	58
3	8727	183250	357716	532075	706270	57
4	11636	186158	360623	534980	709172	56
5	14544	189066	363530	537884	712073	55
6	17453	191975	366437	540789	714975	54
7	20362	194883	369344	543694	717876	53
8	23271	197792	372251	546598	720777	52
9	26180	200700	375158	549503	723678	51
10	29088	203608	378064	552407	726579	50
11	31997	206517	380971	555312	729480	49
12	34906	209425	383878	558216	732381	48
13	37815	212333	386785	561120	735282	47
14	40724	215241	389692	564024	738183	46
15	43632	218149	392598	566928	741084	45
16	46541	221057	395505	569832	743985	44
17	49450	223965	398412	5727.6	746886	43
18	52359	226873	4013.8	575640	749787	42
19	55268	229781	404225	578544	752688	41
20	58177	232689	407131	581448	755588	40
21	61086	235597	410038	584352	758489	39
22	63995	238505	412944	587256	761389	38
23	66904	241413	415851	590160	764290	37
24	69813	244321	418757	593064	767190	36
25	72721	247229	421663	595967	770090	35
26	75630	250137	424570	598871	772991	34
27	78539	253045	427476	601775	775891	33
28	81448	255953	430382	604678	778791	32
29	84357	258861	433288	707582	781691	31
30	87265	261769	436194	610485	784591	30
	89	88	87	86	85	

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

S I N V M.
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

193

	o	I	2	3	4	
30	87265	261769	436194	610481	784591	30
31	90174	264677	439100	613389	787491	29
32	93083	267585	442006	616292	790391	28
33	95992	270493	444912	619196	793291	27
34	98901	273401	447818	622099	796191	26
35	101809	276308	450724	625002	799090	25
36	104718	279216	453630	627905	801991	24
37	107627	282124	456536	630808	804889	23
38	110536	285032	459442	633711	807789	22
39	113445	287940	462348	636614	810688	21
40	116353	290847	465253	639517	813587	20
41	119262	293755	468159	642420	816486	19
42	122171	296663	471065	645323	819385	18
43	125079	299570	473970	648226	822284	17
44	127988	302478	476876	651129	825183	16
45	130896	305385	479781	654031	828082	15
46	133805	308293	482687	656934	830981	14
47	136714	311200	485592	659837	833880	13
48	139622	314108	488498	662739	836778	12
49	142531	317015	491403	665642	839677	11
50	145439	319922	494308	668544	842576	10
51	148348	322830	497214	671427	845474	9
52	151257	325737	500119	674349	848372	8
53	154165	328645	503024	677251	851271	7
54	157074	331552	505929	680153	854169	6
55	159982	334459	508834	683055	857067	5
56	162891	337367	511740	685957	859961	4
57	165799	340274	514645	688859	862863	3
58	168708	343181	517550	691761	865761	2
59	171616	346088	520455	694663	868659	1
60	174524	348995	523360	697465	871557	0
	89	88	87	86	85	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.
Bb

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	5	6	7	8	9		Minuta Graduum Quadratis pro sinibus rectis cōplementorū arcū eiusdem Quadratis
0	871557	1045286	1218693	1391731	1564345	60	
1	874455	1048178	1221580	1394611	1567218	59	
2	877353	1051071	1224467	1397492	1570091	58	
3	880250	1053964	1227354	1400373	1572964	57	
4	883148	1056857	1230241	1403253	1575837	56	
5	886045	1059749	1233128	1406133	1578709	55	
6	888943	1062642	1236015	1409013	1581581	54	
7	891840	1065534	1238901	1411893	1584453	53	
8	894737	1068426	1241788	1414772	1587325	52	
9	897634	1071318	1244674	1417652	1590197	51	
10	900531	1074210	1247560	1420531	1593069	50	
11	903428	1077102	1250446	1423410	1595941	49	
12	906325	1079994	1253332	1426289	1598812	48	
13	909222	1082886	1256218	1429168	1601684	47	
14	912119	1085778	1259104	1432047	1604555	46	
15	915016	1088669	1261990	1434926	1607426	45	
16	917913	1091561	1264876	1437805	1610297	44	
17	920809	1094452	1267761	1440684	1613168	43	
18	923706	1097344	1270647	1443562	1616038	42	
19	926602	1100235	1273532	1446441	1618909	41	
20	929498	1103126	1276417	1449319	1621779	40	
21	932395	1106017	1279302	1452197	1624649	39	
22	935291	1108908	1282187	1455075	1627519	38	
23	938187	1111799	1285072	1457953	1630389	37	
24	941083	1114690	1287957	1460831	1633259	36	
25	943979	1117580	1290841	1463708	1636129	35	
26	946875	1120471	1293726	1466586	1638999	34	
27	949771	1123361	1296610	1469463	1641868	33	
28	952667	1126252	1299495	1472340	1644738	32	
29	955563	1129142	1302378	1475217	1647607	31	
30	958458	1132032	1305262	1478094	1650476	30	
	84	83	82	81	80		

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

Minuta Gradum Quadrantis pro sinibus rectis arcum eiusdem Quadrantis.

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	5	6	7	8	9	
30	958458 ^{48.3}	1132032 ^{48.2}	1305262 ^{48.1}	1478094 ^{47.9}	1650476 ^{47.8}	30
31	961354	1134922	1308146	1480971	1653345	29
32	964249 ^{48.2}	1137812	1311030	1483848	1656214	28
33	967144	1140702	1313914	1486724	1659082	27
34	970039	1143592	1316798 ^{48.0}	1489601	1661951	26
35	972934	1146482	1319681	1492477	1664819	25
36	975829	1149372	1322564	1495353	1667687	24
37	978724	1152261	1325447	1498229	1670555	23
38	981619	1155151	1328330	1501105	1673423	22
39	984514	1158040 ^{48.1}	1331213	1503981	1676291	21
40	987408	1160929	1334096	1506857	1679159	20
41	990303	1163818	1336979	1509733	1682027	19
42	993198	1166707	1339862	1512608	1684894	18
43	996092	1169596	1342744	1515484	1687761	17
44	998987	1172485	1345627	1518359	1690628	16
45	1001881	1175374	1348509	1521234	1693495	15
46	1004775	1178263	1351392	1524109	1696362	14
47	1007669	1181151	1354274	1526984	1699229	13
48	1010563	1184040	1357156	1529359	1702091	12
49	1013457	1186928	1360038	1532734	1704961	11
50	1016351	1189816	1362926	1535608	1707828	10
51	1019245	1192704	1365802	1538482	1710694	9
52	1022139	1195592	1368683	1541356	1713560	8
53	1025032	1198480	1371564	1544230	1716426	7
54	1027926	1201368	1374446	1547104	1719292 ^{47.7}	6
55	1030819	1204255	1377327	1549978	1722157	5
56	1033713	1207143	1380208	1552852	1725022	4
57	1036606	1210031	1383089	1555725	1727887	3
58	1039499	1212198	1385970	1558599	1730752	2
59	1042392	1215806 ^{48.1}	1388851	1561472	1733617	1
60	1045285	1218693 ^{48.0}	1391734 ^{48.0}	1564345 ^{47.9}	1736482 ^{47.7}	0
	84	83	82	81	80	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

B b 2

Minuta Graduum Quadratum pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	10	11	12	13	14		Minuta Gradus Quadratis pro sinibus rectis cōplementorū arcuū eiusdem Quadratis				
0	1736482	17.7	1908090	47.6	2079117	47.4	2249511	47.2	2419219	47.0	60
1	1739347		1910945		2081962		2252345		2422041		59
2	1742281		1913800		2084807		2255179		2424863		58
3	1745075		1916655		2087652		2258013		2427685		57
4	1747939		1919510		2090497		2260847		2430507		56
5	1750803		1922365		2093342		2263680		2433329		55
6	1753667		1925220		2096186		2266513		2436150		54
7	1756531		1928074		2099030		2269346		2438971		53
8	1759394		1930928		2101874		2272179		2441792		52
9	1762258		1933782		2104718		2275012		2444613		51
10	1765121		1936636		2107562		2277844		2447434		50
11	1767984		1939490		2110405		2280616		2450254		49
12	1770847		1942344		2113248		2283508		2453074		48
13	1773710		1945197	47.5	2116091		2286340		2455894		47
14	1776563		1948050		2118934		2289172		2458714		46
15	1779435		1950903		2121777		2292004		2461533		45
16	1782298		1953756		2124610		2294835		2464352		44
17	1785160		1956609		2127462		2297666		2467171		43
18	1788022		1959462		2130304		2300497		2469990		42
19	1790884		1962314		2133146		2303328		2472809		41
20	1793746		1965166		2135988		2306159		2475628		40
21	1796608		1968018		2138830		230898		2478446		39
22	1799469		1970870		2141671		2311819		2481264		38
23	1802331		1973722		2144512		2314649		2484082		37
24	1805192		1976574		2147353		2317479		2486900		36
25	1808053		1979425		2150194		2320309		2489717	16.9	35
26	1810914		1982276		2153035		2323138	47.1	2492534		34
27	1813774		1985127		2155876		2325937		2495351		33
28	1816634		1987978		2158716		2328796		2498168		32
29	1819495		1990829		2161556		2331625		2500284		31
30	1822355	16.7	1993679	47.5	2164396	47.3	2334544	46.1	2503800	46.9	30
	1, 79		78		77		76		75		

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

S I N V V M.
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

197

Minutagradum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	10	II	12	13	14	
30	1822355	47.7	1993679	47.5	2164396	47.3
31	1825215		1996530		2167236	
32	1828075		1999380		2170076	
33	1830935		2002230		2172916	
34	1833795	47.6	2005080		2175755	
35	1836654		200790		2178594	
36	1839513		2010780		2181433	
37	1842372		2013629		2184271	
38	1845231		2016478		2187111	
39	1848090		2019327		2189939	
40	1850949		2022176		2192787	
41	1853808		2025025		2195625	
42	1856666		2027874		2198463	
43	1859524		2030722		2201300	
44	1862381		2033570		2204137	
45	1865240		2036418		2206974	
46	1868098		2039266		2209811	
47	1870956		2042114		2212648	
48	1873813		2044962	47.4	2215485	
49	1876670		2047809		2218322	
50	1879527		2050656		2221158	
51	1882384		2053503		2223994	
52	1885241		2056350		2226830	
53	1888098		2059197		2229666	
54	1890954		2062043		2238171	
55	1893810		2064889		2241007	
56	1896666		2067735		2243844	
57	1899522		2070581		2246677	
58	1902378		2073427		2249511	
59	1905234		2076172		2419219	
60	1908090		2079117	47.4	2419219	
	79	78	77	76	75	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Gradu Quadratis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B V L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcum eiusdem Quadrantis.

	15	16	17	18	19	
0	2588190	2756373	2923717	3090170	3255682	60
1	2591000	2759169	2926499	3092930	3258532	59
2	2593809	2761965	2929280	3095702	3261182	58
3	2596618	2764761	2932061	3098468	3263931	57
4	2599427	2767559	2934842	3101234	3266681	56
5	2602236	2770351	2937623	3103999	3269430	55
6	2605045	2773146	2940403	3106764	3272179	54
7	2607853	2775941	2943183	3109529	3274927	53
8	2610661	2778735	2945963	3112294	3277675	52
9	2613460	2781529	2948743	3115058	3280423	51
10	2616277	2784323	2951523	3117827	3283171	50
11	2619084	2787117	2954302	3120586	3285918	49
12	2621891	2789911	2957081	3123349	3288665	48
13	2624698	2792704	2959860	3126112	3291412	47
14	2627505	2795497	2962638	3128875	3294159	46
15	2630312	2798290	2965416	3131638	3296006	45
16	2633118	2801082	2968194	3134400	3299652	44
17	2635924	2803874	2970972	3137162	3302398	43
18	2638730	2806666	2973750	3139624	3305144	42
19	2641536	2809458	2976527	3142686	3307889	41
20	2644342	2812250	2979304	3145448	3310634	40
21	2647147	2815041	2982081	3148209	3313379	39
22	2649952	2817832	2984857	3150970	3316123	38
23	2652757	2820623	2987633	3153731	3318867	37
24	2655562	2823414	2990409	3156491	3321611	36
25	2658366	2826204	2993185	3159251	3324355	35
26	2661170	2828994	2995960	3162011	3327098	34
27	2663974	2831784	2998735	3164770	3329841	33
28	2666777	2834574	3001510	3167529	3332585	32
29	2669580	2837364	3004284	3170288	3335327	31
30	2672383	2840153	3007058	3173047	3338069	30
	74	73	72	71	70	

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

S I N V V M.
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

199

Minuta Graduū Quadratis pro sinubus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

	15	16	17	18	19	
30	2672383 ^{46.7}	2840153 ^{46.1}	3007058 ^{46.1}	3173047 ^{46.0}	3338069 ^{45.7}	30
31	2675186	2842942	3009832	3175805	3340811	29
32	2677989	2845731	3012606	3178563	3343553	28
33	2680792	2848520	3015380	3181321	3346294	27
34	2683595	2851308	3018153	3184079	3349035	26
35	2686397	2854296	3020926	3186837	3351776	25
36	2689199	2856884	3023699	3189594	3354516	24
37	2692001	2859672	3026472	3192351	3357256	23
38	2694802	2862459 ^{46.4}	3029244	3195108	3359996	22
39	2697603	2865246	3032016	3197864	3362736	21
40	2700404	2868033	3034788	3200620	3365475	20
41	2703205	2870819	3037559	3203375	3368214	19
42	2706005	2873605	3040330	3206130	3370953	18
43	2708805	2876391	3043101	3208885	3373691	17
44	2711605	2879177	3045872	3211640	3376429	16
45	2714405 ^{46.6}	2881963	3048643	3214395	3379167	15
46	2717204	2884748	3051413	3217150	3381905	14
47	2720003	2887533	3054183	3219904	3384642	13
48	2722802	2890318	3056953	3222658	3387379	12
49	2725601	2893103	3059723 ^{46.1}	3225412	3390116	11
50	2728400	2895888	3062492	3228165	3392852	10
51	2731198	2898672	3065261	3230918	3395588	9
52	2733996	2901456	3068030	3233671	3398324	8
53	2736794	2904240	3070798	3236423	3401060	7
54	2739592	2907023	3073566	3239175	3403795	6
55	2742389	2909806	3076334	3241927	3406530	5
56	2745186	2912589	3079102	3244679 ^{45.8}	3409165	4
57	2747983	2915371	3081869	3247430	3411999	3
58	2750780	2918153	3084636	3250181	3414733	2
59	2753577	2920935	3087423	3252932	3417467	1
60	2756373 ^{46.6}	2923717 ^{46.1}	3090170 ^{46.1}	3255682 ^{45.8}	3420201 ^{45.6}	0
	74	73	72	71	70	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduū Quadratis pro sinubus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinubus

Minuta Gradum Quadrantis pro sinubus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	20	21	22	23	24	
0	3420201	3483679	3746066	3907311	4067366	60
1	3422934	3586395	3748763	3909989	4070023	59
2	3425667	3589110	3751460	3912666	4072680	58
3	3428400	3591825	3754156	3915343	4075337	57
4	3431133	3594540	3756852	3918030	4077993	56
5	3433865	3597254	3759548	3920696	4080649	55
6	3436597	3599968	3762243	3923372	4083305	54
7	3439329	3602682	3764938	3926048	4085960	53
8	3442060	3605395	3767633	3928723	4088615	52
9	3444791	3608108	3770327	3931398	4091269	51
10	3447522	3610821	3773021	3934072	4093923	50
11	3450253	3613533	3775715	3936746	4096577	49
12	3452983	3616245	3778408	3939420	4099231	48
13	3455713	3618957	3781101	3942093	4101884	47
14	3458442	3621669	3783794	3944766	4104537	46
15	3461171	3624380	3786486	3947439	4107189	45
16	3463900	3627091	3789178	3950112	4109841	44
17	3466629	3629802	3791870	3952784	4112493	43
18	3469357	3632512	3794562	3955456	4115144	42
19	3472085	3635222	3797253	3958128	4117795	41
20	3474813	3637932	3799944	3960799	4120446	40
21	3477540	3640642	3802635	3963470	4123096	39
22	3480267	3643351	3805325	3966140	4125746	38
23	3482994	3646060	3808015	3968810	4128395	37
24	3485721	3648768	3810704	3971480	4131044	36
25	3488447	3651476	3813393	3974149	4133693	35
26	3491173	3654184	3816082	3976818	4136341	34
27	3493899	3656892	3818771	3979487	4138989	33
28	3496644	3659599	3821459	3982155	4141637	32
29	3499349	3662306	3824147	3984823	4144285	31
30	3502075	3665012	3826834	3987491	4146932	30
	69	68	67	66	65	

Gradus Quadrantis pro sinubus rectis

Minuta Graduū Quadrantis pro sinubus rectis cōplementorū arcuū eiusdem Quadrantis.

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	20	21	22	23	24		Minuta Gradum Quadratis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.
30	3502075 ^{45.4}	3665012 ^{45.1}	3826834 ^{44.8}	3987491 ^{44.5}	4146932 ^{44.1}	30	
31	3504799	3667718	3829521	3990159	4149579	29	
32	3507523	3670424	3832208	3992826 ^{44.4}	4152226	28	
33	3510247	3673130	3834895	3995493	4154872	27	
34	3512971	3675835	3837581	3998159	4157518	26	
35	3515694	3678541	3840267	4000825	4160163	25	
36	3518417	3681246	3842953 ^{44.7}	4003491	4162808	24	
37	3521140	3683951	3845638	4006156	4165453	23	
38	3523862	3689955	3848323	4008821	4168097	22	
39	3526584	3689359	3851008	4011486	4170741	21	
40	3529306 ^{45.3}	3692062 ^{45.0}	3853692	4014150	4173385	20	
41	3532027	3694765	3856376	4016814	4176028 ^{44.6}	19	
42	3534748	3697468	3859060	4019478	4178671	18	
43	3537469	3700170	3861743	4022141	4181313	17	
44	3540190	3702872	3864426	4024804	4183945	16	
45	3542910	3705572	3867109	4027467	4186597	15	
46	3545630	3708276	3869791	4030130	4189239	14	
47	3548350	3710977	3872473	4032792	4191880	13	
48	3551070	3713678	3875155	4035454 ^{44.3}	4194521	12	
49	3553789	3716379	3877837	4038115	4197162	11	
50	3556508	3719080	3880518	4040776	4199802	10	
51	3559227	3721780	3883199	4043437	4202042	9	
52	3561945	3724480	3885880	4046097	4205081	8	
53	3564663	3727179	3888560	4048757	4207720	7	
54	3567380	3729878	3891240 ^{44.6}	4051416	4210359	6	
55	3570097	3732577	3893919 ^{44.6}	4054075	4212997	5	
56	3572814	3735275	3896598	4055734	4215635	4	
57	3575531	3737973	3899277	4059392	4218273 ^{44.9}	3	
58	3578247	3740671	3901955	4062050	4220910	2	
59	3580963	3743369	3904633	4064708	4223547	1	
60	3583679 ^{45.3}	3746066 ^{44.5}	3907311 ^{44.6}	4067366 ^{44.3}	4226183 ^{44.5}	0	
	69	68	67	66	65		

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Cc

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcum eiusdem Quadrantis.

	20	21	22	23	24		Minuta Quadrantis pro sinibus rectis cōplementorū arcuū ciusdem Quadrantis.
0	3420201	3583679	3746066	3907311	4067366	60	
1	3422934	3586395	3748763	3909989	4070023	59	
2	3425667	3589110	3751460	3912666	4072680	58	
3	3428400	3591825	3754156	3915343	4075337	57	
4	3431133	3594540	3756852	3918030	4077993	56	
5	3433865	3597254	3759548	3920696	4080649	55	
6	3436597	3599968	3762243	3923373	4083305	54	
7	3439329	3602682	3764938	3926048	4085960	53	
8	3442060	3605395	3767633	3928723	4088615	52	
9	3444791	3608108	3770327	3931398	4091269	51	
10	3447522	3610821	3773021	3934072	4093923	50	
11	3450253	3613533	3775715	3936746	4096577	49	
12	3452983	3616245	3778408	3939420	4099231	48	
13	3455713	3618917	3781101	3942093	4101884	47	
14	3458443	3621669	3783794	3944766	4104537	46	
15	3461171	3624380	3786486	3947439	4107189	45	
16	3463900	3627091	3789178	3950112	4109841	44	
17	3466629	3629802	3791870	3952784	4112493	43	
18	3469357	3632512	3794562	3955456	4115144	42	
19	3472085	3635222	3797253	3958128	4117795	41	
20	3474813	3637932	3799944	3960799	4120446	40	
21	3477540	3640642	3802635	3963470	4123096	39	
22	3480267	3643351	3805325	3966140	4125746	38	
23	3482994	3646060	3808015	3968810	4128395	37	
24	3485721	3648768	3810704	3971480	4131044	36	
25	3488447	3651476	3813393	3974149	4133693	35	
26	3491173	3654184	3816082	3976818	4136341	34	
27	3493899	3656892	3818771	3979487	4138989	33	
28	3496624	3659599	3821459	3982155	4141637	32	
29	3499349	3662306	3824147	3984823	4144285	31	
30	3502075	3665012	3826834	3987491	4146932	30	
	69	68	67	66	65		

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	20	21	22	23	24	
30	3502075	^{45.4} 3665012	^{45.1} 3826834	^{44.8} 3987491	^{44.5} 4146932	^{44.1} 30
31	3504799	3667718	3829521	3990159	4149579	29
32	3507523	3670424	3832208	3992826	^{44.4} 4152226	28
33	3510247	367313c	3834895	3995493	^{44.2} 4154872	27
34	3512971	3675835	3837581	3998159	^{44.8} 4157518	26
35	3515694	3678541	3840267	4000825	4160163	25
36	3518417	3681246	3842953	^{44.7} 4003491	4162808	24
37	3521140	3683951	3845638	4006156	4165453	23
38	3523862	3689955	3848523	4008821	4168097	22
39	3526584	3689359	3851008	4011486	4170741	21
40	3529306	^{45.3} 3692062	^{45.0} 3853692	4014150	^{44.5} 4173385	20
41	3532027	3694765	3856376	4016814	^{44.6} 4176028	19
42	3534748	3697468	3859060	4019478	4178671	18
43	3537469	3700170	3861743	4022141	4181313	17
44	3540190	3702872	3864426	4024804	4183945	16
45	3542910	3705572	3867109	4027467	4186597	15
46	3545630	3708276	3869791	4030130	4189239	14
47	3548350	3710977	3872473	4033792	4191880	13
48	3551070	3713678	3875155	4035454	^{44.3} 4194521	12
49	3553789	3716379	3877837	4038115	4197162	11
50	3556508	3719080	3880518	4040776	4199803	10
51	3559227	3721780	3883199	4043437	4020442	9
52	3561945	3724480	3885880	4046097	4205081	8
53	3564663	3727179	3888560	4048757	4207720	7
54	3567380	3729878	3891240	^{44.6} 4051416	4210359	6
55	3570097	3732577	3893919	4054075	4212997	5
56	3572814	3735275	3896598	4055734	4215635	4
57	3575531	3737973	3899277	4059392	^{44.9} 4218273	3
58	3578247	3740671	3901955	4062050	4220910	2
59	3580963	3743369	3904633	4064708	4223547	1
60	^{45.3} 3583679	374606c	^{45.5} 3907311	^{44.6} 4067360	^{44.1} 4226183	0
	69	68	67	66	65	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.
Cc

Minuta Graduū Quadratis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinubus

	25	26	27	28	29	
0	4226183	4382712	4539905	4694716	4848096	60
1	4228819	4386326	4542497	4697284	4850640	59
2	4231455	4388940	4545088	4699852	4853184	58
3	4234090	4391554	4547679	4702419	4855727	57
4	4236725	4394167	4550270	4704986	4858270	56
5	4239360	4396780	4552860	4707553	4860812	55
6	4241994	4399392	4555450	4710119	4863354	54
7	4244628	4402004	4558039	4712685	4865895	53
8	4247262	4404616	4560628	4715250	4868436	52
9	4249895	4407227	4563216	4717815	4870977	51
10	4252528	4409838	4565804	4720380	4873117	50
11	4255161	4412449	4568392	4722944	4876057	49
12	4257793	4415059	4570979	4725508	4878596	48
13	4260425	4417669	4573566	4728071	4881136	47
14	4263056	4420278	4576153	4730634	4883674	46
15	4265687	4422887	4578739	4733197	4886212	45
16	4268318	4425496	4581325	4735759	4888730	44
17	4270949	4428104	4583911	4738321	4891287	43
18	4273579	4430752	4586496	4740882	4893824	42
19	4276209	4433320	4589081	4743443	4896361	41
20	4278838	4435927	4591665	4746004	4898897	40
21	4281467	4438534	4594249	4748564	4901433	39
22	4284096	4441140	4596833	4751124	4903968	38
23	4286724	4443746	4599416	4753683	4906503	37
24	4289352	4446352	4601999	4756242	4909237	36
25	4291979	4448957	4604581	4758801	4911571	35
26	4294606	4451562	4607163	4761359	4914105	34
27	4297233	4454167	4607441	4763917	4916638	33
28	4299859	4456771	4612325	4766474	4919171	32
29	4302485	4459375	4614906	4769031	4921703	31
30	4305111	4461978	4617486	4771588	4924239	30
	64	63	62	61	60	

Gradus Quadrantis pro sinubus rectis.

S. I. N. V. P. M.
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

203.

	25	26	27	28	29		Minuta Gradus Quadrati Quadratis eiusdem Quadrantis.
30	4305111	43, 4401978	43, 4617486	43, 4771588	43, 4924235	30	29
31	4307736	4464581	4620066	4774144	4926767	29	28
32	4310361	4467184	4622646	4776700	4929198	28	27
33	4312986	4469786	4625225	4779255	4931829	27	26
34	4315610	4472388	4627804	4781810	4934359	26	25
35	4318234	4474990	4630382	4784365	4936889	25	24
36	4320858	4477591	4632960	4786919	4939418	24	23
37	4323481	4480192	4635538	4789473	4941947	23	22
38	4326104	4482792	4638115	4792026	4944476	22	21
39	4328726	4485392	4640692	4794579	4947008	21	20
40	4331348	4487992	4643258	4797132	4949532	20	19
41	4333970	4490591	4645844	4799684	4952059	19	18
42	4336591	4493190	4648420	4802236	4954586	18	17
43	4339212	4495788	4650995	4804787	4957113	17	16
44	4341833	4498386	4653570	4807338	4959639	16	15
45	4344453	4500984	4656245	4809888	4962165	15	14
46	4347073	4503582	4658719	4812438	4964690	14	13
47	4349693	4506179	4661293	4814988	4967219	13	12
48	4352312	4508776	4663866	4817537	4969740	12	11
49	4354931	4511372	4666432	4820086	4972264	11	10
50	4357149	4513963	4669012	4822635	4974788	10	9
51	4360167	4516563	4671584	4825183	4977311	9	8
52	4362785	4519158	4674156	4827731	4979834	8	7
53	4365402	4521753	4676727	4830278	4982356	7	6
54	4368019	4524347	4679298	4832825	4984878	6	5
55	4370635	4526941	4681869	4835371	4987399	5	4
56	4373251	4529535	4684434	4837917	4989920	4	3
57	4375867	4532126	4687006	4840462	4992441	3	2
58	4378482	4534721	4689578	4843007	4994961	2	1
59	4381097	4537313	4692147	4845552	4997481	1	0
60	43 83712	4539905	4694716	4848036	5000000		
	64	63	62	61	60		

complementorum arcum eiusdem Quadrantis.

C. C. 2

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinubus

	30	31	32	33	34		
0	50000000	5150381	5299192	5446390	5591923	60	
1	5002519	5152874	5301659	5448829	5594340	59	
2	5005038	5155367	5304125	5451268	5596751	58	
3	5007556	5157859	5306591	5453707	5599161	57	
4	5010074	5160351	5309556	5456145	5601571	56	
5	5012591	5162843	5311521	5458583	5603981	55	
6	5015108	5165334	5313985	5461020	5606390	54	
7	5017624	5167825	5316449	5463456	5608798	53	
8	5020140	5170315	5318913	5466892	5611206	52	
9	5022656	5172805	5321376	5468328	5613614	51	
10	5025171	5175294	5323839	5470763	5616021	50	
11	5027686	5177783	5326301	5473198	5618427	49	
12	5030200	5180271	5328763	5475632	5620833	48	
13	5032714	5182759	5331224	5478066	5623239	47	
14	5035227	5185246	5333685	5480499	5625644	46	
15	5037740	5187733	5336145	5482932	5628049	45	
16	5040253	5190220	5338605	5485364	5630453	44	
17	5042765	5192706	5341065	5487796	5632857	43	
18	5045277	5195192	5343524	5490228	5635260	42	
19	5047788	5197677	5345983	5492659	5637663	41	
20	5050299	5200162	5348441	5495090	5640066	40	
21	5052809	5202646	5350898	5497520	5642468	39	
22	5055319	5205130	5353355	5499950	5644869	38	
23	5057829	5207614	5355812	5502379	5647270	37	
24	5060338	5210047	5358268	5504808	5649670	36	
25	5062847	5212580	5360724	5507236	5652070	35	
26	5065355	5215052	5363179	5509664	5654469	34	
27	5067863	5217544	5365634	5512091	5656868	33	
28	5070370	5220025	5368088	5514518	5659266	32	
29	5072877	5222506	5370542	5516944	5661664	31	
30	5075384	5224986	5372996	5519370	5664062	30	
	59	58	57	56	55		
	Gradus Quadrantis pro sinubus rectis						
	Minuta Graduum Quadrantis pro sinubus rectis cōplementorū arcuū eiusdem Quadrantis.						
	Minuta Gradū Quadratis pro sinubus rectis cōplementorū arcuū eiusdem Quadrantis.						

S I N V V M.
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

205

Minuta graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	30	31	32	33	34	
30	5075384 ^{11.8}	5224986 ^{11.9}	5372996 ^{10.9}	5519370 ^{10.4}	5664062 ^{10.9}	30
31	5077890	5227466	5375449	5521795	5666459	29
32	5080396	5229946	5377902	5524220	5668856	28
33	5082901 ^{11.7}	5232425	5380354	5526645	5671252	27
34	5085406	5234904	5382806	5529069	5673648	26
35	5087911	5237382	5385258 ^{10.8}	5531493	5676043	25
36	5090415	5239860	5387709	5533916	5678438	24
37	5092619	5242337	5390159	5536338	5680832	23
38	5095422	5244814	5392609	5538760	5683226	22
39	5097925	5247290	5395058	5541182 ^{10.3}	5685619	21
40	5100427	5249766 ^{11.2}	5397507	5543603	5688012	20
41	5102929	5252241	5399955	5546024	5690404	19
42	5105430	5254716	5402403	5548444	5692796	18
43	5107931	5257191	5404851	5550864	5695187 ^{10.8}	17
44	5110431	5259665	5407298	5553283	5697578	16
45	5112931	5262139	5409745	5555702	5699968	15
46	5115431 ^{11.6}	5264612	5412191	5558120	5702358	14
47	5117930	5267085	5414637 ^{10.7}	5560538	5704747	13
48	5120429	5269557	5417082	5562956	5707136	12
49	5122927	5272029	5419527	5565373	5709524	11
50	5125425	5274501	5421972	5567790	5711912	10
51	5127922	5276972	5424416	5570206	5714299	9
52	5130419	5279443	5426859	5572622 ^{10.2}	5716686	8
53	5132919	5281913	5429302	5575037	5719072	7
54	5135412	5284383 ^{11.1}	5431745	5577452	5721458	6
55	5137908	5286852	5434187	5579866	5723844 ^{10.7}	5
56	5140403	5289321	5436629	5582280	5726229	4
57	5142898	5291789	5439070	5584693	5728613	3
58	5145393	5294257	5441510	5587106	5730997	2
59	5147887	5296725 ^{11.1}	5443950	5589518	5733381	1
60	5150381 ^{11.6}	5299192	5446390 ^{10.7}	5591929 ^{10.2}	5735764 ^{10.7}	0
	59	58	57	56	55	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcum eiusdem Quadrantis.

	35	36	37	38	39	
0	5735764	5877852	6018150	6156615	6293204	60
1	5738147	5880205	6020473	6158907	6295464	59
2	5740529	5882558	6022796	6161198	6297724	58
3	5742911	5884910	6025118	6163489	6299983	57
4	5745292	5887262	6027439	6165780	6302242	56
5	5747672	5889613	6029760	6168070	6304501	55
6	5750052	5891964	6032080	6170359	6306759	54
7	5752432	5894314	6034400	6172648	6309016	53
8	5754811	5896664	6036719	6174936	6311273	52
9	5757190	5899013	6039038	6177224	6313529	51
10	5759568	5901361	6041357	6179512	6319784	50
11	5761946	5903709	6043675	6181799	6318039	49
12	5764323	5906056	6045992	6184085	6320293	48
13	5766700	5908403	6048309	6186371	6322547	47
14	5769076	5910750	6050625	6188656	6324800	46
15	5771442	5913096	6052940	6190940	6327053	45
16	5773827	5915442	6055255	6193224	6329305	44
17	5776202	5917787	6057570	6195508	6331557	43
18	5778576	5920132	6059884	6197791	6333808	42
19	5780950	5922476	6062198	6200074	6336059	41
20	5783324	5924820	6064511	6202356	6338310	40
21	5785697	5927163	6066824	6204638	6340560	39
22	5788069	5929505	6069136	6206919	6342809	38
23	5790441	5931847	6071448	6209199	6345058	37
24	5792812	5934189	6073759	6211479	6347306	36
25	5795183	5936530	6076069	6213758	6349553	35
26	5797553	5938871	6078379	6216037	6351800	34
27	5799923	5941211	6080688	6218315	6354046	33
28	5802292	5943551	6082997	6220593	6356292	32
29	5804661	5945890	6085306	6222870	6358537	31
30	5807030	5948228	6087614	6225146	6360782	30
	54	53	52	51	50	

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

S I N V Y M
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

207

	35	36	37	38	39		Minuta graduum Quadratis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.
30	5807030	5948228	6087614	6225146	6350782	37.4	30
31	5809398	5950566	6089922	6227422	6363026		29
32	5811766	5952904	6092229	6229698	6365270		28
33	5814133	5955241	6094536	6231973	6367513		27
34	5816499	5957578	6096842	6234248	6369756		26
35	5818865	5959914	6099147	6236522	6371999		25
36	5821230	5962250	6101452	6238796	6374241	37.3	24
37	5823595	5964585	6103756	6241069	6376482		23
38	5825959	5966919	6106060	6243342	6378722		22
39	5828323	5969253	6108364	6245614	6380962		21
40	5830687	5971586	6110667	6247885	6383201		20
41	5833050	5973919	6112970	6250156	6385440		19
42	5835412	5976251	6115272	6252426	6387678		18
43	5837774	5978583	6117573	6254696	6389916		17
44	5840136	5980915	6119873	6256966	6392153		16
45	5842497	5983246	6122173	6259235	6394390		15
46	5844858	5985577	6124473	6261503	6396616		14
47	5847218	5987907	6126772	6263771	6398862	37.2	13
48	5849578	5990237	6129071	6266038	6401097		12
49	5851937	5992566	6131369	6268305	6403332		11
50	5854195	5994894	6133667	6270572	6405566		10
51	5856653	5997222	6135964	6272838	6407799		9
52	5859010	5999549	6138261	6275103	6410032		8
53	5861367	6001876	6140557	6277368	6412264		7
54	5863724	6004202	6142853	6279632	6414496		6
55	5866080	6006528	6145148	6281895	6416728		5
56	5868436	6008853	6147442	6284158	6418959		4
57	5870791	6011178	6149736	6286420	6421189		3
58	5873145	6013502	6152030	6288682	6423419	37.1	2
59	5875499	6015826	6154323	6290943	6425648		1
60	5877852	6018150	6156615	6293204	6427876		0
	54	53	52	51	50		

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinubus

Minuta Gradum Quadrantis pro sinubus rectis arcum eiusdem Quadrantis.

	40	41	42	43	44	
0	6427876	6560590	6691306	6819984	6946584	60
1	6430104	6562785	6693468	6822113	6948676	59
2	6432331	6564979	6695629	6824237	6950767	58
3	6434558	6567173	6697789	6826363	6952858	57
4	6436785	6569367	6699949	6828489	6954949	56
5	6439011	6571560	6701108	6830614	6957039	55
6	6441236	6573753	6704267	6832238	6959128	54
7	6443461	6575945	6706425	6834861	6961216	53
8	6445685	6578136	6708582	6836984	6963304	52
9	6447909	6580326	6710739	6839107	6965392	51
10	6450132	6582516	6712895	6841229	6967479	50
11	6452355	6584705	6715051	6843350	6969565	49
12	6454577	6586894	6717206	6845471	6971651	48
13	6456799	6589082	6719361	6847691	6973736	47
14	6459020	6591270	6721515	6849711	6975821	46
15	6461240	6593458	6723668	6851830	6977905	45
16	6463460	6595645	6725821	6853949	6979988	44
17	6465679	6597831	6727973	6856067	6982071	43
18	6467898	6600016	6730125	6858184	6984153	42
19	6470116	6602201	6732276	6860301	6986235	41
20	6472333	6604386	6734427	6862417	6988316	40
21	6474550	6606570	6736577	6864533	6990396	39
22	6476766	6608753	6738726	6866648	6992476	38
23	6478982	6610936	6740875	6868762	6994555	37
24	6481198	6613118	6743024	6870876	6996634	36
25	6483413	6615300	6745172	6872989	6998712	35
26	6485628	6617481	6747319	6875102	7000786	34
27	6487842	6619661	6749465	6877214	7002866	33
28	6490055	6621841	6751611	6879325	7004942	32
29	6492268	6624021	6753757	6881436	7007018	31
30	6494480	6626200	6755902	6883546	7009093	30
	49	48	47	46	45	

Gradus Quadrantis pro sinubus rectis *

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	40	41	42	43	44	
30	6494480	6626200	6756902	6883546	7009093	30
31	6496692	6628379	6758047	6885656	7011167	29
32	6498903	6630557	6760191	6887765	7013241	28
33	6501114	6632734	6762334	6889824	7015314	27
34	6503324	6634921	6764477	6891982	7017387	26
35	6505533	6637087	6766619	6894089	7019459	25
36	6507742	6639263	6768760	6896196	7021530	24
37	65096950	6641438	6770901	6898302	7023601	23
38	6512158	6643612	6773041	6900408	7025671	22
39	6514365	6645786	6775181	6902513	7027741	21
40	6516572	6647959	6777320	6904617	7029810	20
41	6518778	6650132	6779459	6906721	7031879	19
42	6520984	6652304	6781597	6908824	7033947	18
43	6523189	6654476	6783734	6910927	7036014	17
44	6525394	6656647	6785871	6913029	7038081	16
45	6527598	6658817	6788007	6915131	7040147	15
46	6529801	6660987	6790143	6917232	7042213	14
47	6532004	6663156	6792278	6919532	7044278	13
48	6534206	6665325	6794413	6921432	7046342	12
49	6536408	6667493	6796547	6923531	7048406	11
50	6538609	6669661	6798681	6925630	7050499	10
51	6540809	6671828	6800834	6927728	7052432	9
52	6543009	6673994	6802946	6929725	7054594	8
53	6545208	6676160	6805078	6931922	7056655	7
54	6547407	6678326	6807209	6934018	7058716	6
55	6549606	6680491	6809140	6936114	7060776	5
56	6551804	6682655	6811470	6938209	7062836	4
57	6554001	6684818	6813599	6940303	7064895	3
58	6556198	6686981	6815728	6942397	7066953	2
59	6558394	6689144	6817856	6944491	7069111	1
60	6560590	6691306	6819984	6946584	7071068	0
	49	48	47	46	45	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

D d

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	45	46	47	48	49	
0	7071068	7193398	7313537	7431448	7547096	60
1	7073125	7195418	7315521	7433394	7549004	59
2	7075181	7197438	7317504	7435339	7550911	58
3	7077236	7199457	7319486	7437284	7552818	57
4	7079291	7201476	7321468	7439229	7554724	56
5	7081345	7203494	7323449	7441173	7556630	55
6	7083399	7205511	7325429	7443116	7558535	54
7	7085452	7207527	7327409	7445058	7560439	53
8	7087504	7209543	7329388	7447000	7562342	52
9	7089556	7211559	7331367	7448941	7564246	51
10	7091607	7213574	7333345	7450882	7566148	50
11	7093658	7215588	7335322	7452822	7568050	49
12	7095708	7217601	7337298	7454761	7569951	48
13	7097757	7219614	7339274	7456699	7571851	47
14	7099806	7221627	7341250	7458637	7573711	46
15	7101854	7223639	7343223	7460574	7575650	45
16	7103902	7225651	7345199	7462511	7577548	44
17	7105949	7227662	7347173	7464447	7579446	43
18	7107995	7229672	7349146	7466382	7581343	42
19	7110041	7231681	7351118	7468317	7583240	41
20	7112086	7233689	7353090	7470251	7585136	40
21	7114131	7235697	7355061	7472184	7587031	39
22	7116175	7237704	7357031	7474117	7588925	38
23	7118218	7239711	7359001	7476249	7590819	37
24	7120261	7241718	7360970	7477981	7592713	36
25	7122303	7243724	7362939	7479912	7594606	35
26	7124344	7245729	7364907	7481842	7596498	34
27	7126385	7247733	7366874	7483771	7598389	33
28	7128425	7249737	7368841	7485700	7600180	32
29	7130465	7251741	7370807	7487629	7602170	31
30	7132504	7253744	7372773	7489557	7604060	30

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

rectis arcum eiusdem Quadrantis.

	45	46	47	48	49		Minuta Graduum Quadratis pro sinubus rectis complementorum arcuū eiusdem Quadratis.
30	7132504	7223744	7372773	7489557	7604060	30	
31	7134543	7255746	7374738	7491484	7605949	29	
32	7136581	7257747	7376702	7493410	7607837	28	
33	7138618	7259748	7378666	7495336	7609725	27	
34	7140655	7261749	7380629	7497262	7611612	26	
35	7142691	7263749	7382592	7499187	7613498	25	
36	7144727	7265748	7384554	7501111	7615384	24	
37	7146762	7267746	7386515	7503034	7617269	23	
38	7148796	7269744	7388475	7504957	7619153	22	
39	7150830	7271741	7390435	7506879	7621037	21	
40	7152863	7273737	7392393	7508801	7622920	20	
41	7154895	7275733	7394333	7510722	7624802	19	
42	7156927	7277728	7396311	7512642	7626683	18	
43	7158948	7279722	7398268	7514561	7628564	17	
44	7160989	7281716	7400225	7516480	7630445	16	
45	7163019	7283710	7402181	7518398	7632325	15	
46	7165049	7285703	7404137	7520316	7634204	14	
47	7167078	7287695	7406092	7522233	7636082	13	
48	7169106	7289687	7408046	7524149	7637960	12	
49	7171134	7291678	7410000	7526065	7639838	11	
50	7173161	7293668	7411953	7527980	7641715	10	
51	7175187	7295658	7413905	7529894	7643591	9	
52	7177223	7297647	7415856	7531808	7645466	8	
53	7179238	7299635	7417807	7533721	7647341	7	
54	7181263	7301623	7419758	7535634	7649215	6	
55	7183287	7303610	7421708	7537546	7651088	5	
56	7185310	7305597	7423657	7539457	7652961	4	
57	7187333	7307583	7425605	7541367	7654833	3	
58	7189355	7309568	7427553	7543277	7656704	2	
59	7191377	7311553	7429501	7545187	7658575	1	
60	7193398	7313537	7431448	7547098	7660445	0	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Ddd 2

Gradus Quadrantis pro sinubus:

	50	51	52	53	54	
0	7660445	7771460	7880108	7986355	8090170	60
1	7662314	7773290	7881898	7988105	8091879	59
2	7664183	7775120	7883688	7989853	8093588	58
3	7666051	7776949	7885477	7991604	8095296	57
4	7667919	7778777	7887266	7993352	8097004	56
5	7669786	7780605	7889054	7995100	8098711	55
6	7671652	7782432	7890841	7996847	8100417	54
7	7673517	7784258	7892927	7998593	8102122	53
8	7675382	7786084	7894413	8000339	8103857	52
9	7677246	7787909	7896198	8002084	810553	51
10	7679110	7789833	7897983	8003828	8107237	50
11	7680973	7791557	7899767	8005571	8108936	49
12	7682835	7793380	7901550	8007314	8110638	48
13	7684697	7795202	7903332	8009056	8112339	47
14	7686558	7797024	7905114	8010797	8114040	46
15	7688418	7798845	7906895	8012538	8115740	45
16	7690278	7800669	7908676	8014271	8117439	44
17	769837	7802489	7910456	8016017	8119137	43
18	7693999	7804304	7912239	8017756	8120835	42
19	7695853	7806125	7914014	8019494	8122532	41
20	7697710	7807941	7915792	8021232	812422	40
21	7699566	7809758	7917469	8022969	8125925	39
22	7701422	7811574	7919345	8024705	8127620	38
23	7703279	7813390	7921121	8026440	8129114	37
24	7705131	7815205	7922896	8028175	8131008	36
25	7706986	7817020	7924671	8029900	8132701	35
26	7708831	7818834	7926445	8031642	8134393	34
27	7710692	7820647	7928218	8033375	813604	33
28	7712544	7822499	792990	8035107	813777	32
29	7714395	7824271	7931762	8036838	8139465	31
30	7716246	7826082	7933533	803856	8141151	30
	39	38	37	36	35	

Gradus Quadrantis pro sinubus rectis

S I N U M
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

213

Minuta Graduum Quadratis pro sinibus regis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

	50	51	52	53	54	
30	7716246 ^{10.8}	7826082 ^{10.2}	7933533 ^{9.5}	8038569 ^{10.8}	8141155 ^{11.1}	30
31	7718096	7827892	7935303	8040299	8142844 ^{11.1}	29
32	7719945	7829702 ^{10.1}	7937073	8042028	8144532	28
33	7721794	7831511	7938842	8043757	8146220	27
34	7723642	7833320	7940611	8045485	8147907	26
35	7725490	7835128	7942379 ^{29.4}	8047212	8149593	25
36	7727337	7836935	7944146	8048938	8151278	24
37	7729183	7838741	7945912	8050664 ^{28.7}	8152963	23
38	7731028	7840547	7947678	8052389	8154647	22
39	7732872	7842352	7949443	8054114	8156330 ^{21.0}	21
40	7734716	7844117	7951201	8055831	8158013	20
41	7736559	7845961	7952972	8057561	8159695	19
42	7738402	7847763	7954735	8061923	8161376	18
43	7740244	7849566	7956497	8062105	8163057	17
44	7742085	7851367	7958259	8062726	8164737	16
45	7743926	7853169	7960020 ^{19.3}	8064446	8166416	15
46	7745766	7854970	7961780	8066166 ^{21.4}	816809	14
47	7747606	7856770	7963540	8067883	816977 ^{13.9}	13
48	7749445	7858669	7965290	8069603	817149	12
49	7751283	7860361	7967057	8071321	8173126	11
50	7753121	7862163 ^{10.9}	7968811	8073038	8174802	10
51	7754958	7863963	797072	807475+	8176477	9
52	7756794	7864759	7972328	8076170	8178151	8
53	7758630	7867555	7974084 ^{9.2}	8078185	8179825	7
54	7760466	7869350	7975829	8079999	8181498	6
55	7762299	7871141	7977593	8081613 ^{8.5}	8183170	5
56	7764132	7872939	7979347	8083326	8184841 ^{7.8}	4
57	7765965	7874732	7981300	8085038	8186512	3
58	7767797	7876525	7982842	8086749	8188182	2
59	7769629	7878317	7984604	8088460	8189351	1
60	7771460	7880108 ^{9.8}	7986355 ^{19.2}	8090170 ^{18.8}	8191520	0

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadratis pro sinibus regis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinubus

	55	56	57	58	59	
0	8191520 ^{17.8}	8290376 ^{17.1}	8386706 ^{16.4}	8480481 ^{15.7}	8571673 ^{15.0}	60
1	8193188	8292002	8388290	8482022	8573171	59
2	8194855	8293628	8389873	8483562	8574668	58
3	8196522	8295253	8391456	8485102	8576164	57
4	8198188	8296877	8393038 ^{16.3}	8486641 ^{15.6}	8577660	56
5	8199854 ^{17.7}	8298501 ^{17.0}	8394619	8488180	8579155	55
6	8201519	8300124	8396199	8489718	8580649	54
7	8203183	8301746	8397778	8491255	8582142	53
8	8204846	8303367	8399357	8492791	8583635	52
9	8206508	8304987	8400935	8494326	8585127	51
10	8208170	8306607	8402513	8495860	8586619 ^{14.8}	50
11	8209831	8308226	8404090	8497394	8588110	49
12	8211491	8309844	8405666	8498927	8589600	48
13	8213151 ^{17.4}	8311462 ^{16.9}	8407241 ^{16.2}	8500459	8591089	47
14	8214810	8313079	8408816	8501991	8592577	46
15	8216469	8314696	8410390	8503522	8594064	45
16	8218127	8316312	8411963	8505052	8595551	44
17	8219784	8317927	8413536	8506582	8597037	43
18	8221440	8319541	8415108	8508111	8598523 ^{14.7}	42
19	8223096	8321155	8416679	8509639	8600008	41
20	8224751	8322768	8418250	8511167 ^{15.4}	8601492	40
21	8226405	8324380	8419820	8512694 ^{15.1}	8602975	39
22	8228058 ^{17.5}	8325991 ^{16.8}	8421389 ^{16.1}	8514220	8604457	38
23	8229711	8327602	8422957	8515745	8605939	37
24	8231363	8329212	8424525	8517270	8607420	36
25	8233015	8330822	8426092	8518794	8608901	35
26	8234666	8332431	8427658	8520317	8610381	34
27	8236316	8334039	8429223	8521839	8611860 ^{14.6}	33
28	8237963	8335646	8430788	8523361	8613335	32
29	8239614	8337252	8432352	8524882 ^{15.3}	8614815	31
30	8241262 ^{17.6}	8338858 ^{16.8}	843391 ^{16.0}	8526402	8616292 ^{16.6}	30
	34	33	32	31	30	

Gradus Quadrantis pro sinubus rectis

Minuta Gradum Quadrantis pro sinubus rectis

S I N V V M
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

219

Minuta Graduum Quadratis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

	55	56	57	58	59	
30	8241262	8338858	8434915	8526402	8616292	30
31	8242909	8340463	8435477	8527921	8617768	29
32	8244556	8342067	8437039	8529440	8619243	28
33	8246202	8343671	8438600	8530958	8620718	27
34	8247847	8345244	8440161	8532476	8622192	26
35	8249492	8346877	8441721	8533993	8623665	25
36	8251136	8348479	8443280	8535509	8625137	24
37	8252779	8350080	8444838	8537024	8626608	23
38	8254421	8351680	8446396	8538538	8628079	22
39	8256063	8353279	8447953	8540052	8629549	21
40	8257703	8354878	8449509	8541565	8631019	20
41	8259343	8356476	8451064	8543077	8632488	19
42	8260982	8358073	8452618	8544588	8633956	18
43	8262621	8359670	8454172	8546099	8635423	17
44	8264259	8361266	8455725	8547609	8636889	16
45	8265897	8362862	8457278	8549119	8638355	15
46	8267534	8364457	8458830	8550628	8639820	14
47	8269170	8366051	8460381	8552136	8641284	13
48	8270806	8367644	8461932	8553643	8642748	12
49	8272441	8369236	8463482	8555149	8644211	11
50	8274075	8370828	8465031	8556655	8645673	10
51	8275708	8372419	8466579	8558160	8647134	9
52	8277340	8374009	8468126	8559664	8648595	8
53	8278972	8375599	8469673	8561168	8650055	7
54	8280603	8377188	8471219	8562671	8651514	6
55	8282234	8378776	8472765	8564173	8652673	5
56	8283864	8380363	8474310	8565675	8654431	4
57	8285493	8381950	8475854	8567176	8655888	3
58	8287121	8383536	8477397	8568676	8657344	2
59	8288749	8385121	8478939	8570175	8658799	1
60	8290376	8386706	8480481	8571673	8660254	0
	34	33	32	31	30	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadratis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	60	61	62	63	64	
0	8660254 ^{14.2}	8746197 ¹⁵	8829476 ¹⁶	8910065 ^{17.0}	8987940 ^{17.2}	60
1	8661708	8747607	8830841 ^{17.7}	8911385	8989215	59
2	8663162	8749016	8832205	8912704	8990489	58
3	8664615	8750425	8833569	8914023	8991762	57
4	8666067	8751833 ^{13.4}	8834932	8915341	8993035	56
5	8667518	8753240	8836295	8916659	8994307	55
6	8668968 ^{14.1}	8754646	8837657	8917976	8995578	54
7	8670417	8756051	8839018	8919292	8996848	53
8	8671866	8757456	8840378 ^{12.6}	8920607	8998117	52
9	8673314	8758860	8841737	8921921	8999386	51
10	8674762	8760263	8843095	8923234	9000654	50
11	8676209	8761665	8844452	8924546	9001924	49
12	8677655	8763067	8845809	8925858	9003187	48
13	8679100	8764468 ^{13.8}	8847165	8927169 ^{11.8}	9004453	47
14	8680544	8765868	8848521	8928479	9005718	46
15	8681988	8767268	8849876	8929789	9006982	45
16	8683431 ^{14.0}	8768667	8851230 ^{12.1}	8931098	9008245	44
17	8684874	8770065	8852583	8932406	9009508	43
18	8686316	8771462	8853936	8933714	9010770	42
19	8687757	8772859	8855281	8935021	9012031	41
20	8689197	8774255 ^{13.2}	8856639	8936327	9013292	40
21	8690636	8775650 ^{13.2}	8857989	8937632 ^{12.7}	9014552	39
22	8692074	8777044	8859334	8938936	9015811	38
23	8693512 ^{13.9}	8778437	8860687	8940240	9017069	37
24	8694949	8779830	8862055	8941543	9018326	36
25	8696386	8781222	8863383	8942845	9019582	35
26	8697822	8782613	8864730 ^{11.4}	8944146	9020832	34
27	8699257	8784003	8866076	8945446	9022093	33
28	8700691	8785393 ^{11.1}	8867421	8946746	9023347	32
29	8702124	8786782 ^{11.1}	8868765	8948045 ^{11.6}	9024600	31
30	8703557 ^{13.9}	8788171	8870108 ^{11.4}	8949344	9025853	30
	29	28	27	26	25	
						Minima Gradus Quadratis pro sinibus rectis cōplementis arcuū ciuidē Quadrantis.

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

Minima Gradus Quadratis pro sinibus rectis cōplementis arcuū ciuidē Quadrantis.

S I N U M.
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

317

Minuta Graduum Quadratis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	60	61	62	63	64	
30	8703557	8788171	8870108	8949344	9025853	30
31	8704989	8789559	8871451	8950642	9027105	29
32	8706420	8790946	8872793	8951934	9028346	28
33	8707851	8792332	8874134	8953235	9029606	27
34	8709281	8793717	8875475	895450	9030856	26
35	8710710	8795102	8876815	8955824	9032105	25
36	8712138	8796486	8878154	8957117	9033353	24
37	8713565	8797869	8879492	8958410	9034600	23
38	8714992	8799251	8880830	8959702	9035847	22
39	8716418	8800633	8882167	8960994	9037093	21
40	8717844	8802014	8883503	8962285	9038328	20
41	8719269	8803394	8884838	8963575	9039582	19
42	8720693	8804773	8886172	8964864	9040825	18
43	8722116	8806152	8887506	8966152	9042068	17
44	8723538	8807530	8888839	8967440	9043310	16
45	8724960	8808907	8890171	8968727	9044551	15
46	8726381	8810283	8891502	8970013	9045791	14
47	8727801	8811659	8892833	8971299	9047031	13
48	8729221	8813034	8894163	8972584	9048270	12
49	8730640	8814408	8895492	8973868	9049508	11
50	8732058	8815782	8896821	8975151	9050746	10
51	8733475	8817155	8898149	8976432	9051983	9
52	8734891	8818527	8899476	8977715	9053219	8
53	8736307	8819898	8900402	8978996	9054454	7
54	8737721	8821268	890227	8980276	9055688	6
55	8739137	8822638	8903452	8981555	9056922	5
56	8740551	8824007	8904776	8982833	9058155	4
57	8741964	8825375	8906099	8984111	9059387	3
58	8743376	8826743	8907422	8985388	9060618	2
59	8744787	8828110	8908744	8986664	9061848	1
60	8746197	8829476	8910045	8987940	9063078	0
	29	28	27	26	25	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

E e

Minuta Graduum Quadratis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinubus.

	65	66	67	68	69	
0	9063078	9135455	9205049	9271836	9335804	60
1	9064307	9136638	9206185	9272928	9336846	59
2	9065515	9137820	9107321	9274017	9337887	58
3	9066763	9139001	9208456	9275105	9338928	57
4	9067990	9140181	9209590	9276192	9339968	56
5	9069216	9141361	9210723	9277278	9341007	55
6	9070441	9142540	9211855	9278363	9342045	54
7	9071665	9143718	9212986	9279448	9343082	53
8	9072889	9144895	9214117	9280532	9344119	52
9	9074112	9146072	9215247	9281615	9345135	51
10	9075334	9147248	9216376	9282697	9346190	50
11	9076555	9148423	9217504	9283778	9347224	49
12	9077771	9149597	9218631	9284859	9348257	48
13	9078995	9150770	9219758	9285939	9349289	47
14	9080214	9151943	9220884	9287018	9350321	46
15	9081432	9153115	9222010	9288096	9351352	45
16	9082649	9154286	9223135	9289173	9352382	44
17	9083866	9155457	9224259	9290250	9353411	43
18	9085082	9156627	9225382	9291326	9354440	42
19	9086297	9157796	9226504	9292401	9355468	41
20	9087512	9158964	9227625	9293476	9356495	40
21	9088726	9160131	9228746	9294550	9357521	39
22	9089939	9161297	9229866	9295623	9358546	38
23	9091151	9162463	9230985	9296695	9359571	37
24	9092362	9163628	9232103	9297766	9360595	36
25	9093572	9164792	9233220	9298836	9361618	35
26	9094781	9165955	9234337	9299905	9362640	34
27	9095990	9167117	9235453	9300974	9363662	33
28	9097198	9168279	9236568	9302042	9364683	32
29	9098406	9169440	9237682	9303109	9365703	31
30	9099613	9170601	9238795	9304176	9366722	30
	24	23	22	21	20	

Gradus Quadrantis pro sinubus rectis

Minuta Gradus Quadrantis pro sinubus rectis complementum arcum eiusdem Quadrantis.

Minuta Gradum Quadrantis pro sinubus rectis arcum eiusdem Quadrantis.

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	65	66	67	68	69	
30	9099613 ^{10.1}	9170601 ^{19.1}	9238795 ^{18.1}	9304176 ^{17.1}	9366722 ^{17.0}	30
31	9100819	9171761	9239908	9305242	9367740	29
32	9102024	9172920	9241020	9306307	9368758	28
33	9103228	9174078	9242131	9307371	9369775	27
34	9104432 ^{10.0}	9175235	9243242	9308434	9370791	26
35	9105635	9176391	9244352	9309497	9371806	25
36	9106837	9177547 ^{19.2}	9245461	9310559	9372820	24
37	9108038	9178702	9246569	9311620	9373834	23
38	9109238	9179856	9247676	9312680	9374847	22
39	9110438	9181099	9248782	9313739 ^{17.6}	9375859 ^{16.1}	21
40	9111637	9182161	9249888	9314798	9376870	20
41	9112835	9183313	9250993	9315856	9377880	19
42	9114032	9184464	9252097	9316913	9378889	18
43	9115229	9185614 ^{19.1}	9253200	9317969	9379898	17
44	9116425	9186763	9254303	9319024	9380906	16
45	9117620	9187912	9255405	9320079	9381913	15
46	9118814	9189060	9256506	9321133 ^{18.3}	9382919	14
47	9120007	9190207	9257606	9322186 ^{17.5}	9383925 ^{16.7}	13
48	9121200	9191353	9258706	9323238	9384930	12
49	9122392	9192499	9259805	9324290	9385934	11
50	9123584 ^{19.8}	9193644	9260903	9325341	9386937	10
51	9124775	9194788	9261000	9326391	9387939	9
52	9125965	9195931	9263096	9327440	9388941	8
53	9127154	9197073	9264192 ^{18.2}	9328488 ^{17.4}	9389942	7
54	9128342	9198215	9265287	9329535	9390942	6
55	9129526	9199356	9266381	9330582	9391941 ^{16.1}	5
56	9130716	9200498	9267474	9331628	9392940	4
57	9131902	9201635	9268565	9332673	9393928	3
58	9133087 ^{19.7}	9202774	9269638	9333717	9394933	2
59	9134271	9203912	9270749	9334761	9395931	1
60	9135455 ^{19.7}	9205079 ^{18.9}	9271839	9335801 ^{17.1}	9396926 ^{16.1}	0
	24	23	22	21	20	-

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	70	71	72	73	74		Minuta Gradum Quadrantis pro sinibus rectis arcum eiusdem Quadrantis
	70	71	72	73	74		Minuta Gradum Quadrantis pro sinibus rectis cōplementorū arcuū eiusdem Quadrantis
0	9395926 ^{16.6}	9455186 ^{15.8}	9510565 ^{15.0}	9563048 ^{14.2}	9612617 ^{13.3}	60	
1	9397921	9456133	9511464	9563898	9613418	59	
2	9398915 ^{16.5}	9457079 ^{15.7}	9512362 ^{14.9}	9564747	9614219	58	
3	9399908	9458024 ^{15.7}	9513259	9565596	9615019	57	
4	9400900	9458968	9514155	9566444	9615818	56	
5	9401891	9459911	9515050	9567271	9616616	55	
6	9402882	9460854	9515944	9568137	9617413	54	
7	9403872	9461796	9516838	9568982	9618209	53	
8	9404861	9462737	9517732	9569826	9619005 ^{13.8}	52	
9	9405849	9463677 ^{15.4}	9518623 ^{14.8}	9570670 ^{14.0}	9619800	51	
10	9406826	9464616 ^{15.8}	9519514	9571513	9620594	50	
11	9407822	9465555	9520404	9572355	9621387	49	
12	9408808	9466493	9521294	9573136	9622179	48	
13	9409793	9467430	9522183	9574036	9622971	47	
14	9410777	9468366	9523071	9574875	9623762	46	
15	9411760	9469301	9523958	9575714	9624552	45	
16	9412742	9470236	9524844	9576552 ^{13.9}	9625341	44	
17	9413724	9471170 ^{16.3}	9525730 ^{14.7}	9577389	9626129	43	
18	9414705	9472103	9526615 ^{15.5}	9578225	9626917	42	
19	9415685	9473035	9527499	9579061	9627704	41	
20	9416665	9473967	9528382	9579896	9628490	40	
21	9417644	9474898	9529264	9580730	9629275	39	
22	9418622	9475828	9530146	9581563	9630059	38	
23	9419599	9476757	9531027	9582395 ^{13.8}	9630843	37	
24	9420575 ^{16.2}	9477685 ^{15.4}	9531907 ^{14.6}	958326	9631626	36	
25	9421550	9478612 ^{15.4}	9532786	958407	9632408	35	
26	9422525	9479139	9533664	9584887	9633189	34	
27	9423499	9480465	9534541	9585716	9633969	33	
28	9424472	9481390	9535418	9586544	9634748	32	
29	9425444	9482314	9536294	9587371	9635527 ^{13.0}	31	
30	9426415 ^{16.2}	9483237 ^{15.4}	9537169 ^{14.6}	9588197 ^{13.8}	9636305 ^{13.0}	30	
	19	18	17	16	15		Minuta Gradum Quadrantis pro sinibus rectis

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	70	71	72	73	74		Minuta Graduum Quadratis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.
	19	18	17	16	15		Minuta Graduum Quadratis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.
30	9426415 ^{14.2}	9483237 ^{15.4}	9537169 ^{14.6}	9588197 ^{13.8}	9636304 ^{12.9}	30	
31	9427386	9484160	9538043	9589023	9637082	29	
32	9428356 ^{15.1}	9485082 ^{15.8}	9538917 ^{14.5}	9589848	9637858	28	
33	9429325	9486003	9539790	9590672	9638633	27	
34	9430293	9486923	9540662	9591495	9639408	26	
35	9431260	9487842	9541533	9592318	9640182	25	
36	9432227	9488761	9542403	9593140	9640955	24	
37	9433193	9489679	9543272	9593961	9641727	23	
38	9434158	9490596	9544141	9594781	9642498	22	
39	9435122 ^{15.0}	9491512 ^{15.2}	9545009 ^{14.4}	9595600	9643268	21	
40	9436089	9492427	9545876	9596419	9644038	20	
41	9437048	9493341	9546742	9597237	9644807	19	
42	9438010	9494255	9547607	9598054	9645575	18	
43	9438971	9495168	9548472	9598870	9646342	17	
44	9439931	9496080	9549336	9599685	9647108	16	
45	9440890	9496991	9550199	9600499	9647873	15	
46	9441849	9497902	9551061 ^{14.3}	9601313 ^{13.5}	9648638	14	
47	9442807	9498812	9551922	9602126	9649402	13	
48	9443764 ^{15.9}	9499721 ^{15.1}	9552783	9602938	9650165	12	
49	9444720	9500629	9553643	9603749	9650927	11	
50	9445676	9501536	9554502	9604559	9651689	10	
51	9446631 ^{15.1}	9502443	9555360	9605368	9652450	9	
52	9447585	9503349	9556217	9606177	9653210	8	
53	9448538	9504254	9557074	9606985 ^{13.4}	9653969 ^{12.6}	7	
54	9449490 ^{15.8}	9505158 ^{15.0}	9557930 ^{14.2}	9608792	9654727	6	
55	9450441	9506061	9558781 ^{14.8}	9608598	9655484	5	
56	9451392	9506963	9559539	9609403	9656240	4	
57	9452342	9507865	9560492	9610208	9656996	3	
58	9453291	9508766	9561345	9611012	9657751	2	
59	9454239	9509666	9562197	9611815	9658505	1	
60	9455186 ^{15.3}	9510565 ^{15.0}	9563048 ^{14.2}	9612617 ^{13.4}	9659258 ^{12.5}	0	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	75	76	77	78	79		
	1	2	3	4	5	6	7
0	9659258 ^{11.1}	9702959 ^{11.7}	9743700 ^{10.9}	9781476 ^{10.1}	9816272 ^{9.2}	60	
1	9660011	9703660	9744355	9782080	9816827	59	
2	9660163	9704363	9745008	9782684 ^{10.0}	9817381	58	
3	9661514	9705065	9745660	9783287	9817934	57	
4	9662264	9705766	9746312 ^{10.8}	9783889	9818486	56	
5	9663013	9706466	9746963	9784450	9819037	55	
6	9663761 ^{11.4}	9707165	9747613	9785090	9819587	54	
7	9664508	9707863	9748362	9785689	9820137 ^{9.1}	53	
8	9665253	9708561	9749110	9786288	9820686	52	
9	9666001	9709258	9749557	9786886 ^{9.9}	9821234	51	
10	9666746	9709954	9750203	9787483	9821781	50	
11	9667490	9710649	9750849	9788079	9822327	49	
12	9668233	9711343	9751494	9788674	9822872	48	
13	9668976	9712036 ^{11.5}	9752138	9789268	9823417	47	
14	9669718 ^{11.3}	9712729	9752781	9789862	9823961 ^{9.0}	46	
15	9670459	9713421	9753423	9790455	9824504	45	
16	9671199	9714113	9754065	9791047 ^{9.8}	9825046	44	
17	9671938	9714802	9754706	9791638	9825587	43	
18	9672677	97154 5	9755346 ^{10.6}	9792228	9826128	42	
19	9673415	9716180	9755985	9792818	9826668	41	
20	9674152	9716868	9756623	9793407	9827207	40	
21	9674888	9717555 ^{11.4}	9757260	9793995	9827745 ^{8.9}	39	
22	9675623	9718241	9757897	9794582	9828282	38	
23	9676357	9718926	9758533	9795168 ^{9.7}	9828818	37	
24	9677091	9719610	9759168	9795753	9829354	36	
25	9677824	9720294	9759802 ^{10.5}	9796337	982988	35	
26	9678556	9720977	9760435	9796921	9830423	34	
27	9679287	9721659 ^{11.3}	9761057	9797504	9830956	33	
28	9680017	9722340	9761699	9798036	9831485 ^{11.1}	32	
29	9680747	9723020	9762330	9798667	9832013	31	
30	9681476 ^{11.2}	9723699 ^{11.3}	9762900 ^{10.5}	9799247 ^{11.1}	9832549	30	
	14	13	12	11	10		
	Gradus Quadrantis pro sinibus rectis						

Minuta Gradus Quadratis pro sinibus rectis plementorum arcuū ciusdem Quadrantis

S I N U S

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

235

	75	76	77	78	79	
30	9681476	9723699	9762960	9799247	9832549	30
31	9682800	9724378	9763589	9799827	9833075	29
32	9682931	9725056	9794217	9800406	9833608	28
33	9683057	9725733	9764845	9800984	9834136	27
34	9684383	9726409	9765472	9801561	9834663	26
35	9685108	9727085	9766098	9802137	9835189	25
36	9685832	9727760	9766723	9802712	9835714	24
37	9686555	9728434	9767347	9803287	9836239	23
38	9687277	9729107	9767970	9803861	9836763	22
39	9687998	9729779	9768593	9804434	9837286	21
40	9688719	9730450	9769215	9805006	9837808	20
41	9689439	9731120	9769836	9805577	9838329	19
42	9690158	9731789	9770456	9806147	9838850	18
43	9690876	9732458	9771075	9806716	9839370	17
44	9691593	9733126	9771693	9807285	9839889	16
45	9692309	9733793	9772311	9807853	9840407	15
46	9693025	9734459	9772928	9808420	9840924	14
47	9693740	9735124	9773544	9808986	9841440	13
48	9694454	9735789	9774159	9809551	9841956	12
49	9695167	9746453	9774773	9810116	9842471	11
50	9695879	9737116	9775387	9810680	9842985	10
51	9696590	9737778	9776000	9811243	9843498	9
52	9697301	9738439	9776612	9811805	9844010	8
53	9698011	9739099	9777223	9812366	9844521	7
54	9698720	9739759	9777833	9812926	9845032	6
55	9699428	9740418	9778442	9813486	9845542	5
56	9700135	9741076	9779050	9814045	9846051	4
57	9700842	9741733	9779658	9814603	9846559	3
58	9701548	9742389	9780265	9815160	9847066	2
59	9702253	9743047	9780871	9815716	9847572	1
60	9702957	9743700	9781476	9816272	9848078	0
	14	13	12.	11	10.	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadratum pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	80	81	82	83	84	
0	9848078	9876882	9902681	9925461	9945219	60
1	9848583	9877738	9903085	9925816	9945523	59
2	9849087	9877792	9903485	9926169	9945826	58
3	9849550	9878245	9903802	9926521	9946128	57
4	9850092	9878897	9904274	9926873	9946429	56
5	9850593	9879148	9904695	9927224	9946729	55
6	9851093	9879598	9905095	9927574	9947028	54
7	9851593	9880048	9905494	9927923	9947327	53
8	9852092	9880497	9905893	9928271	9947625	52
9	9852590	9880945	9906291	9928618	9947922	51
10	9853087	9881392	9906883	9928965	9948218	50
11	9853583	9881838	9907084	9929311	9948513	49
12	9854079	9882283	9907479	9929656	9948807	48
13	9854574	9882728	9907873	9930000	9949100	47
14	9855068	9883172	9908266	9930343	9949393	46
15	9855561	9883615	9908659	9930685	9949685	45
16	9856053	9884057	9909051	9931026	9949976	44
17	9856544	9884498	9909442	9931367	9950266	43
18	9857035	9884938	9909832	9931707	9950555	42
19	9857525	9885378	9901221	9932046	9950844	41
20	9858014	9885817	9910610	9932384	9951132	40
21	9858502	9886255	9910981	9932721	9951419	39
22	9858989	9886692	9911385	9933057	9951705	38
23	9859475	9887128	9911771	9933393	9951990	37
24	9859961	9887564	9912156	9933728	9952274	36
25	9860446	9887999	9912540	9934062	9952557	35
26	9860930	9888433	9912923	9934325	9952840	34
27	9861413	9888866	9913306	9934727	9953122	33
28	9861895	9889298	9913688	9935058	9953403	32
29	9862366	9889729	9914069	9935389	9953683	31
30	9862856	9890159	9914449	9935719	9953962	30
	9	8	7	6	5	

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

S I N V V M.
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

225

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

	80	81	82	83	84		Minuta Graduum Quadratis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.
	9	8	7	6	5		
30	9862856	9890159	9914449	9935719	9953962	30	
31	9863336	9890588	9914828	9936048	9954240	29	
32	9863815	9891017	9915206	9936376	9954518	28	
33	9864293	9891445	9915584	9936703	9954795	27	
34	9864770	9891872	9915961	9937029	9955071	26	
35	9865246	9892298	9916337	9937355	9955346	25	
36	9865722	9892723	9916712	9937580	9955620	24	
37	9866197	9893147	9917086	9938004	9955893	23	
38	9866671	9893571	9917459	9938327	9956161	22	
39	9867144	9893994	9917832	9938649	9956437	21	
40	9867616	9894416	9918204	9938970	9956708	20	
41	9858087	9894837	9918575	9939290	9956978	19	
42	9868557	9895257	9918945	9939609	9957247	18	
43	9869027	9895677	9919314	9939928	9957515	17	
44	9869496	9896096	9919682	9940246	9957782	16	
45	9869964	9896514	9920049	9940563	9958049	15	
46	9870431	9896931	9920416	9940879	9958315	14	
47	9870897	9897347	9920782	9941194	9958580	13	
48	9871362	9897762	9921147	9941509	9958844	12	
49	9871827	9898177	9921511	9941823	9959307	11	
50	9872291	9898591	9921874	9942136	9959370	10	
51	9872754	9899004	9922236	9942448	9959632	9	
52	9873216	9899416	9922598	9942759	9959893	8	
53	9873677	9899827	9922959	9943069	9960153	7	
54	9874137	9900237	9923319	9943379	9960412	6	
55	9874597	9900646	9923678	9943688	9960670	5	
56	9875056	9901055	9924036	9943996	9960927	4	
57	9875514	9901463	9924393	9944303	9961183	3	
58	9875971	9901870	9924750	9944609	9961438	2	
59	9876427	9902276	9925106	9944914	9961693	1	
60	9877883	9902681	9925461	9945219	9961947	0	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

F

T A B V L A
Gradus Quadrantis pro sinubus

Minuta Gradum Quadrantis pro sinibus rectis arcum eiusdem Quadrantis.

	85	86	87	88	89	
0	9961947	9975640	9986295	9993908	9998477	60
1	9962200	9975843	9986447	9994009	9998527	59
2	9962452	9976045	9986598	9994109	9998576	58
3	9962703	9976246	9986748	9994208	9998625	57
4	9962954	9976446	9986897	9994307	9998673	56
5	9963204	9976645	9987045	9994405	9998720	55
6	9963453	9976843	9987193	9994502	9998766	54
7	9963701	9977040	9987340	9994598	9998811	53
8	9963948	9977237	9987486	9994693	9998855	52
9	9964194	9977433	9987631	9994787	9998899	51
10	9964440	9977628	9987775	9994881	9998942	50
11	9964685	9977822	9987918	9994974	9998984	49
12	9964929	9978015	9988061	9995066	9999025	48
13	9965172	9978207	9988203	9995157	9999065	47
14	9965414	9978398	9988344	9995247	9999104	46
15	9965655	9978589	9988484	9995336	9999143	45
16	9965895	9978779	9988623	9995424	9999181	44
17	9966135	9978968	9988761	9995512	9999218	43
18	9966374	9979156	9988899	9995599	9999254	42
19	9966612	9979343	9989036	9995685	9999289	41
20	9966849	9979530	9989172	9995770	9999323	40
21	9967085	9979716	9989307	9995854	9999356	39
22	9967320	9979901	9989441	9995937	9999389	38
23	9967555	9980085	9989574	9996019	9999421	37
24	9967789	9980268	9989706	9996101	9999452	36
25	9968022	9980450	9989837	9996182	9999482	35
26	9968254	9980631	9989968	9996262	9999511	34
27	9968485	9980811	9990098	9996341	9999539	33
28	9968715	9980991	9990227	9996419	9999566	32
29	9968944	9981170	9990355	9996496	9999593	31
30	9969173	9981348	9990482	9996573	9999619	30
	4	3	2	1	0	

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

Minuta Gradum Quadrantis pro sinibus rectis arcum eiusdem Quadrantis.

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	85	86	87	88	89	
30	9969173	9981348	9990482	9996973	9999619	30
31	9969401	9981525	9990608	9996649	9999144	29
32	9969628	9981701	9990734	9996724	999968	28
33	9969854	9981877	9990859	9996798	9999691	27
34	9970079	9982052	9990983	9996871	9999713	26
35	9970304	9982228	9991106	9996943	9999735	25
36	9970528	9982399	9991228	9997014	9999756	24
37	9970751	9982571	9991349	9997085	9999776	23
38	9970974	9982742	9991471	9997155	9999795	22
39	9971194	9982912	9991590	9997224	9999813	21
40	9971414	9983082	9991709	9997292	9999830	20
41	9971633	9983251	9991827	9997359	9999846	19
42	9971851	9983419	9991944	9997425	9999862	18
43	9972063	9983586	9992060	9997491	9999877	17
44	9972286	9983752	9992175	9997556	9999891	16
45	9972502	9983917	9992290	9997620	9999904	15
46	9972717	9984081	9992404	9997683	9999917	14
47	9972931	9984245	9992517	9997745	9999927	13
48	9973145	9984408	9992629	9997806	9999938	12
49	9973358	9984570	9992740	9997867	9999948	11
50	9973570	9984731	9992850	9997927	9999957	10
51	9973781	9984891	9992960	9997986	9999966	9
52	9973991	9985050	9993069	9998044	9999972	8
53	9974200	9985209	9993177	9998101	9999978	7
54	9974408	9985367	9993284	9998157	9999984	6
55	9974615	9985524	9993390	9998212	9999989	5
56	9974822	9985680	9993495	9998267	9999993	4
57	9975028	9985835	9993599	9998321	9999996	3
58	9975235	9985984	9993703	9998374	9999998	2
59	997547	9986143	9993806	9998426	9999999	1
60	9975640	9986299	9993908	9998477	100000000	0
	4	3	2	1	0	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

DE PARTE PROPORTIONALI

Sinuum, & arcuum.

Expliatio numerorum pro parte proportionali secundum elicienda.

1. **A N T E Q V A M** deceamus, quia ratione pars proportionalis ex precedenti tabula Sinuum eruenda sit, explicandum prius erit, quidnam bini numeri columnis Sinuum interpositi significant, & quo sint artificio procreati. Prior ergo continet partes differentia inter duos sinus, inter quos scriptus est, congruentes uni Secundo illius arcus, quem gradus in vertice tabule, & minusum in latere eiusdem tabule exprimit: posterior autem numerus decimas particulas unius partis differentia pradicata complectitur. **V**uoniam inter duos sinus grad. 16. min. 12. & grad. 16. min. 13. positi sunt duo bi numeri 46. 5. colligemus uni Secundo inter minutum 12. & 13. gradus 16. congruas particulas 46 $\frac{5}{10}$. ex differentia 2793. inter duos sinus 2789911. 2792704. pradicorum arcuum grad. 16. min. 12. & grad. 16. min. 13. qua tota differentia Secundis 60. hoc est, uni minuto debetur: quod idem inielligendum est de sequentium arcuum sinibus usque ad arcus grad. 16. min. 37. & grad. 16. min. 38 inter quorum sinus positi sunt alij bi numeri 46. 4. ita ut iam uni Secundo conueniant ex differentia duorum proximorum Sinuum particulae tantummodo 46. $\frac{4}{10}$. & sic de ceteris.

Numerorum procreatio ad partem proportionalen secundum eruendi.

2. **P R O C R E A T I** autem sunt huiusmodi numeri inter sinus positi hoc modo. Inuentis differentiis omnium sinuum, partiis sumus singulas per 60. Secunda, ut particulas uni Secundo debitas produceremus: fractionem autem reliquam ad decimas reducimus, multiplicantes eam per 10, ut in questione 14. cap. 16 nostra Arithmetica docuimus. Sic enim minori labore pars proportionalis eruatur, ut mox pacebit. Verbi gratia. Differentia predicta 2793. si dividatur per 60. fit Quotiens 46. & superunt $\frac{3}{60}$. qua efficiunt 5. decimas & semis. Relicta ergo semisse, (Nam quando fratio unius decima superat $\frac{1}{2}$. addidimus unam decimam in tabula, quando autem non superat $\frac{1}{2}$. sed vel aequalis est, vel minor, eam negleximus.) scriptissim in tabula 46. 5. id est, particulas differentiarum integras 46. & $\frac{3}{60}$. unius, qua efficiunt 46. 5. decimas unius particulae, qua producuntur etiam, si tota differentia 2793. ducatur in 10. & productus numerus 27930. per 60. dividatur. Et quia in sequentibus differentiis usque ad differentiam Sinuum grad. 16. min. 37. & grad. 16. min. 38. exclusive, hac ratione reperitur idem numerus 46. 5. hoc est, particula 46. & 5. decima; inseruerit nobis hac pars proportionalis usque ad grad. 16. min. 37. & grad. 16. min. 38. exclusive, ubi iam numerus reperiatur minor, nimirum 46. & 4. decima. Ut quoniam differentia inter Sinus 2837364. & 2840153. grad. 16. min. 29. & grad. 16. min. 33. est 1789. Sit 1800 ducatur in 10. & productus numerus 27890. per 60. dividatur, sicut Quotiens 46. 4. & superuent $\frac{6}{60}$. que superant $\frac{1}{2}$. Ergo habebimus iterum partes 46. & 5. decimas At quo ita de ceteris.

B E N E F I C I O horum numerorum expedite admodum pars proportionalis, per unicam videlicet vel multiplicationem, vel divisionem reperietur. Nam si sinus rectus quadratus sit aliquius arcus, qui prater minutam complectatur quoque Secunda, ac cipendens erit sinus ex tabula respondens gradibus, ac minutis arcus propositi in vertice tabulae positis, & ei adiungendus numerus, qui ex multiplicatione numeri interiecti proxime antecedentis in numerum Secundorum producitur. Ut si quadratur Sinus rectus grad. 19. min. 36. Sec. 40. quoniam hunc arcum in tabula proxime precedentibus hi numeri 45. 7. hoc est, 45. 7. decima, qua multiplicata in 40. Secunda producunt 18280. decimas, id est, particulas integras 188. addemus 182. 8. ad 3354516. sinum grad. 19. min. 36. ut conficiamus 3356344. sinum propositi arcus grad. 19. min. 36. Sec. 40.

4. VI-

Ilauentio finis re
cti cu[m] parte pro-
portionali.

4. V I C I S S I M si ex sinu recto inquirendus sit arcus, accipiens erit arcus respondens sinui proxime minori, & ei apponenda est Secunda, quae unitates continentur in Quotienti, si differentia inter sinum proxime minorem (apposita prius ziphra, ut ad partes decimas renoveretur.) dividatur per numerum decimalium in tabula inserviunt. Ut si datus sit sinus 3356344. sumemus arcum grad. 19. min. 36. sinu proxime minori 3354516. respondenteem, eique adiungemus Sec. 40. qui numerus gigintur ex divisione 1828. differentia inter sinum propositus, & sinum proxime minorem, apposita prius ziphra o. nimirum ex divisione 1828. per 457. decimas in tabula inservias. Ita enim arcus quaesitus erit grad. 19. min. 36. Sec. 40. Apponitur autem ziphra ad differentiam inuentam 1828. quia cum dividendi ea debent per $\frac{457}{10}$. multiplicanda est per 10. & productus numerus per 457. dividendus, ut ex nostra Arithmetica liquido constat.

Invenio arcus cum parte proporcionali ex ea sua recta.

5. S I vero sinus complementi aliquius arcus quadrante minoris sit inveniens, datus, qui praefer minuta habeat etiam Secunda, accipiens est sinus ex tabula respondens gradibus ac minutis arcus propositi in inferiore parte tabula positis. & ab eo subtractus numerus, qui ex multiplicatione numeri interiecti superioris in numerum Secundorum producatur. Ut si queratur sinus complementi grad. 70. min. 23. Sec. 20. quoniam hunc arcus inseruiant hi numeri interiecti 45.7. hoc est, 457. decima, ducentus 457. in 20. Secunda, & productum numerum, qui est 9140. decima, id est, particula iugera 914, detrahemus eoc 3357256. sinus complementi arcus grad. 70. min. 23. ut relinqueretur sinus 3356342. complementi arcus grad. 70. min. 23. Sec. 20.

Invenio arcus complementi cu[m] parte proporcionali

6. A L I T E R , & fortasse commodius, ne regula multiplicentur. Accipiatur datus arcus complementum, & ipsius sinus rectus invenietur, ut Num. 3. docuimus. Ut in eodem exemplo, complementum arcus grad. 70. min. 23. Sec. 20. est arcus grad. 19. min. 36. Sec. 40. cuius sinus rectus invenietur 3356344. duabus unitatis maior illo, qui alio modo proxime invenitus fuit. Hoc ideo enenit, quia arcus propositus parum absit ab insequenti numero interiecto minori.

Invenio arcus complementi arcus quadrante minoris, vna cum parte proporcionali.

7. Q V A N D O arcus, cuius complementi sinus quaritur, quadrante maior est, sed semicirculo minor, detrahemus ex dato arcu quadrante, & reliqui arcus sinus rectum inquiremus, ut Num. 3. dictum est. Ut si queratur sinus complementi arcus grad. 109. min. 36. Sec. 40. Detractio quadrante, superest arcus grad. 19. min. 36. Sec. 40. cui debetur sinus 3356344.

Invenio arcus complementi arcus quadrante maioris, vna cum parte proporcionali.

8. E C O N T R A R I O si ex sinu complementi elicendus sit arcus, sumendus erit arcus, vna cum parte proporcionali, ut Num. 3. traditum est, respondens sinus dato, tanquam recto, isque ex quadrante auferendus, si sinus datus est sinus complementi arcus quadrante minoris, vel ad quadrantem adiiciendus, quando nimirum datus sinus responderet complemento arcus quadrante maioris. Pulchre autem ipsa operacio in triangulis sine sphaericis, sine rectilineis docebit, num sinus propositus congruas complemento arcus quadrante minoris, an vero maioris. Ut si propositus sit sinus 3356342. complementi arcus quadrante minoris, inuenietur, ut Num. 3. dictum est, arcus grad. 19. min. 39. Sec. 40. qui detractus ex quadrante relinquet arcum grad. 70. min. 23. Sec. 20. quasum. Si vero idem sinus debetur complemento arcus quadrante maioris, addemus eum arcum inuentum ad quadrantem, conficiemusq; arcum grad. 109. min. 36. Sec. 40. His ius enim complemento, nimirum arcus grad. 19. min. 36. Sec. 40. sinus 3356342. congruit.

Invenio arcus ex sinu complementi dato, vna cum parte proporcionali.

9. D E N I Q U E sinus versus arcus, qui preter gradus ac minutas, annexa quoq; habebit Secundam, inuenietur, si ipsius complementi sinus cu[m] parte proporcionali inuenitus, ut Num. 4. & 7. traditum est, ex sinu vero auferatur, vel sinus roti adiiciatur, prost arcus quadrante minor est, vob[is] maior. Ut si queratur sinus versus arcus grad. 70. min. 23.

Invenio sinus versus cu[m] parte proporcionali.

min. 23. Sec. 20. reperiemus eius complementi, nimirum grad. 19. min. 36. Sec. 40. finum 3356342. qui detractus ex sinu roto 10000000. reliquum faciet sinum versus quasitum 6643658. Si vero sinus versus desideretur arcus grad. 109. min. 36. Sec. 40. immenius eius complementi, videlicet grad. 19. min. 36. Sec. 40. finum 3356342. qui ad sinum rorus 10000000. adiectus conficeret sinum versus 13356342. quasitum.

Iacobus arcus ex fini verso ex parte proportionis nulli.

10. *PARI* ratione si ex fini verso arcus immenius sit, detrabemus eum ex finu roto, vel finum rorū ex ipso, minorem scilicet ex maiore. Ita namque reliquias finis complementi arcus quasitum; ex quo quasitus arcus elicetur, ut Num. 8. docuitur. Ut si datus sit sinus versus 6643658. detrabemus eum ex finu roto 10000000. Et cum reliquo 3356342. ranguam finu recto expicabimus arcum grad. 19. min. 36. Sec. 40. ut Num. 3. dictum est: qui ex quadrante ablatus relinquit quasitum arcum grad. 70. min. 33. Sec. 20. Si vero sinus versus datus sit 13356342. auferimus ex eo finum secum. Et cum reliquo 3356342. indagabimus, ut Num. 3. traadimus, arcum grad. 19. min. 36. Sec. 40. qui adiectus ad quadrantem scilicet arcum quasitum grad. 109. min. 36. Sec. 40.

*Cur tabula Tao
gustum, & Sec
cum emendata
hic non sunt edi-
ta.*

QVOD vero hoc loco non exhibeamus etiam tabulas Tangentium, &c; Secantiarum emendatas, cum pars proportionalis, causa est, quod eas nunc per tempus corrigerem non posse cuerit, & quod maiore rati finu tabula sinuum habeat in prosthaphresi, quam Tangentium, & Secantium. Nam ut supra ostensum est, Tangentes, & Secantes, si qua sunt, querenda sunt in tabula sinuum, non secus, ac si forent sinus, ibique pars proportionalis invenienda. Quod si in fine operationis cum Tangente, vel Secante accipientis fuerit arcus ex propria tabula facile quae varietate proportionalem investigabit, si opus fuerit, eo modo, quem in usu tabule sinuum exposuitur. Interim dabatur fortassis occasio utramque tabulam Tangentium, & secantium emendandi. Hec enim res maius oritur ac tempus requirit.

In gratiam porro studiosorum, & ut prosthaphresis usus planior fiat, subiiciemus hoc loco calculum omnium triangulorum in nostris triangulis. & tractatione sinuum demonstratum, & nunc ad commodioram formam ac methodum renovatum, proponemus que idem numero quasitum pluribus viis solendum, ut quilibet eam, que magis placuerit, sibi deligat. Appellabimus auctem in rectangulo quouscunq; triangulo sine sphärico, sine rectilineo latus recto angulo oppositum, BASEM. In non rectangulo vero, quando duae latera nominantur, tertium, sine maius illud sit, sine non, basem dicimus.

*Duale trianguli
qua.*

TRIANGVLORVM SPHAERICORVM Rectangularium Calculus.

QVONIAM in quoniam triangulo sphärico rectangulo quaritur ex duobus datis, vel cognitis, aut ANGVLVS non rectus, aut LATVS circa angulum rectum, aut BASIS: fieri hoc poterit pluribus modis ac vijs, ut ex ijs, que sequuntur, perspicuisse. Semper autem primo loco seorsum proponemus id, quod inquiritur: Deinde deo, quae cognita sunt, vel data. Tercio vias varias, ac modos, quibus quasitum eius possit, demonstrabimus: quibus etiam numeros presignemus, ut facilius cognoscatur, & ab alijs argumentacionibus secerni possint. Ita ergo predicta innueniuntur.

I. A N G V L V S

Ex base, & latere, quod angulo quæsito opponitur.

I. vt sinus basis ad sinum totum:	Ita sinus lateris	ad sinum anguli.	41. triang. spher. 22. sinuum.
Sed ut sinus lateris ad sinum anguli:	Ita secans compl. anguli	ad secantem compl. lateris.	
Ergo ut sinus basis ad sinum totum:	Ita secans compl. anguli.	ad secantem compl. lateris.	22. quinque.
2. Ergo vt sinus ad sinum basis: totus	Ita secans compl. lateris	ad secantem compl. anguli.	Conversio.
3. vt sinus basis ad sinum totum:	Ita sinus lateris	ad sinum anguli.	41. triang. spher.
Ergo vt sinus basis ad sinum lateris:	Ita sinus totus	ad sinum anguli.	Permutatio.
Sed ut sinus basis ad sinum lateris:	Ita secans compl. lateris.	ad secantem compl. basis.	22. sinuum.
Ergo ut secans cō plem. lateris basis:	Ita sinus totus	ad sinum anguli.	22. quinque.
3. Ergo vt secans compl. lateris ad sinum totum:	Ita secans compl. basis	ad sinum anguli.	Permutatio.
Sed ut secans cōpl. lateris ad sinum totum:	Ita sinus totus	ad sinum lateris:	22. sinuum.
4. Ergo vt sinus totus ad sinum lateris:	Ita secans compl. basis	ad sinum anguli.	22. quinque.
5. vt sinus totus ad sinum basis:	Ita secans compl. lateris	ad secantem compl. anguli.	2. modus.
Sed ut sinus totus ad sinum basis:	Ita secans compl. basis	ad sinum totum.	22. sinuum.
5. Ergo vt secans compl. basis ad sinum totum:	Ita secans compl. lateris.	ad secantem compl. anguli.	22. quinque.
6. vt sinus totus ad sinum basis:	Ita secans compl. lateris	ad secantem compl. anguli.	2. modus.
Ergo vt sinus totus ad secantem compl. lateris:	Ita sinus basis	ad secantem compl. anguli.	Permutatio.
Sed ut sinus totus ad secantem compl. lateris:	Ita sinus lateris	ad sinum totum.	22. sinuum.
6. Ergo vt sinus lateris ad sinum totum:	Ita sinus basis	ad secantem compl. anguli.	22. quinque.
7. vt sinus basis ad sinum totum:	Ita sinus lateris	ad sinum anguli.	41. triang. spher.
Sed ut sinus basis ad sinum totum:	Ita sinus compl. basis	ad tangentem compl. basis.	22. sinuum.
7. Ergo vt sinus compl. basis ad tangentem cō plem. basis:	Ita sinus lateris	ad sinum anguli.	22. quinque.

Sed

22. sinuum.	Sed ut sinus lateris ad sinum anguli:	Ita secans compl. anguli	ad secantem compl. la-
11. quinti.	Ergo ut sinus cōpl. basis	ad tangentem cōpl. basis:	Ita secans compl. anguli ad secantem compl. la-
Cōuertendo.	8. Ergo ut tangēs compl. basis	ad sinum compl. basis:	Ita secans compl. lateris ad secantem compl. anguli.
41. triang. fibra.	Vt sinus basis	ad sinum totum:	Ita sinus lateris ad sinum anguli.
18. sinum.	Sed ut sinus totus	ad tangentem late- ris:	Ita sinus compl. la- teris ad sinum lateris.
Ex equal. perturb.	9. Ergo ut sinus ba- sis	ad tangentem la- teris:	Ita sinus compl. lateris ad sinum anguli.
22. sinuum.	Sed ut sinus compl. la- toris	ad sinum anguli:	Ita secans compl. anguli ad secantem lateris.
11. quinti.	Ergo ut sinus basis	ad tangentem late- ris:	Ita secans compl. anguli ad secantem lateris.
Cōuertendo.	10. Ergo ut tan- gens lateris	ad sinum basis:	Ita secans lateris ad secantem compl. anguli.
9. modus.	Vt sinus basis	ad tangentem late- ris:	Ita sinus compl. la- teris ad sinum anguli.
Permutādo.	Ergo ut sinus basis	ad sinum compl. la- teris:	Ita tangens lateris ad sinum anguli.
22. sinuum.	Sed ut sinus basis	ad sinum compl. la- teris:	Ita secans lateris ad secantem compl. basis.
11. quinti.	11. Ergo ut secās lateris	ad secantem cōpl. ba- sis:	Ita tangens late- ris ad sinum anguli.
6. modus.	Vt sinus lateris	ad sinum totum:	Ita sinus basis ad secantem compl. anguli.
18. sinum.	Sed ut sinus totus	ad tangentem ba- sis:	Ita sinus compl. ba- sis ad sinum basis.
Ex equal. perturb.	12. Ergo ut sinus lateris	ad tangentem ba- sis:	Ita sinus compl. basis ad secantem compl. anguli.

V I D E S ergo duodecim modis angulum inuestigari posse ex data base, & late-
re, cuius angulus quasitatis opponitur, quorum quidem sex addibent sinum totum, nimisrum
2. & q. in primo loco regula proportionum, & 1. 3. 5. & 6. in secundo loco: alijs vero sex
nullibi sinum totum habent. Eadem ratione in q̄s, qua sequuntur, possent plures via
reperi, sed nos brevius consilentes contenti erimus sex eorum modos demonstra-
re in qualibet quasitatis invenienda ex eisdem datis, in quibus videlicet semper sinus to-
tu interuenient.

I I. A N G V L V S

Ex base,& latere, quod angulo quæsito adiacet.

<i>Vt tangens basis</i>	<i>ad tangentem lateris:</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad sinum compl. anguli.</i>	<i>45. tria ng. phar.</i>
1. Ergo <i>vt tangēs</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita tangens lateris.</i>	<i>ad sinum compl. an-</i>	<i>Permutādo.</i>
<i>basis</i>			<i>guli.</i>	
<i>Vt tangens basis</i>	<i>ad tangentem lateris:</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad sinum compl. an-</i>	<i>45. triang.</i>
<i>Sed vt tangens ba-</i>	<i>sis.</i>	<i>ad tangentem lateris:</i>	<i>guli.</i>	
<i>Ergo vt tangens</i>	<i>compl. lateris</i>	<i>ad tangentē compl. ba-</i>	<i>ad tangentem compl.</i>	<i>45. sphaer.</i>
<i>2. Ergo vt tangēs</i>	<i>compl. lateris</i>	<i>basis</i>	<i>basis.</i>	<i>21. sinum.</i>
<i>Ergo vt tangēs</i>	<i>compl. lateris</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>ad sinum compl. ang.</i>	<i>11. quinti.</i>
<i>compl. lateris</i>		<i>Ita tangēs compl. ba-</i>	<i>ad sinum compl.</i>	
<i>3. Ergo vt tangēs</i>	<i>compl. basis</i>	<i>sis:</i>	<i>anguli.</i>	<i>Permutādo.</i>
<i>Ergo vt tangēs</i>	<i>compl. basis</i>	<i>ad tangentē compl. ba-</i>	<i>ad sinum compl. ang.</i>	<i>Permutādo.</i>
<i>Sed vt sinus totus</i>		<i>sis:</i>	<i>ad secans anguli</i>	<i>ad sinum totum.</i>
<i>Ergo vt tangēs</i>	<i>compl. lateris</i>	<i>ad tangentē compl. ba-</i>	<i>ad sinum totum.</i>	<i>18. sinum.</i>
<i>Ergo vt tangēs</i>	<i>compl. basis</i>	<i>sis:</i>	<i>ad secantem anguli.</i>	<i>11. quinti.</i>
<i>4. Ergo vt tangēs</i>	<i>compl. basis</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>ad secantem ang.</i>	<i>Cōvertendo.</i>
<i>Ergo vt tangēs</i>	<i>compl. lateris</i>	<i>Ita tangēs compl. ba-</i>	<i>ad secantem anguli.</i>	<i>Permutādo.</i>
<i>Sed vt tangēs</i>	<i>compl. lateris</i>	<i>sis:</i>	<i>ad secantem anguli.</i>	<i>ad secantem anguli.</i>
<i>5. Ergo vt sinus</i>	<i>ad tangentē compl. ba-</i>	<i>Ita tangēs lateris</i>	<i>ad sinum compl. ang.</i>	<i>4. modus.</i>
<i>totus</i>	<i>sis:</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad tangentē compl.</i>	<i>18. sinum.</i>
<i>Vt tangēs lateris</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita tangēs basis</i>	<i>anguli.</i>	<i>11. quinti.</i>
<i>Sed vt tangēs la-</i>	<i>teris</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>ad secantem anguli.</i>	
<i>6. Ergo vt sinus</i>	<i>ad tangentē compl. ba-</i>	<i>Ita tangēs basis</i>	<i>ad secantem anguli.</i>	<i>4. modus.</i>
<i>totus</i>	<i>sis:</i>			<i>18. sinum.</i>
				<i>11. quinti.</i>

L I B R I I .
I I I . A N G V I V S
Ex base , & altero angulo non recto.

47. triang. spher.	1. Ut sinus totus ad sinum compl. basis:	Ita tangens angu li dati	ad tangentem cōpl. anguli quæstī.
18. sinuum. 11. quinti.	Sed ut sinus totus ad sinū cōpl. basis: 2. Ergo ut secans basis	Ita secans basis Ita tangens angu li dati	ad sinum totum. ad tangentē compl. anguli quæstī.
21. sinuum. 11. quinti.	Sed ut tangens an guli dati Ergo ut secans ba sis	ad tangentē compl. ang. quæstī: Ita tangens anguli quæstī	ad tangentem compl. anguli dati.
Cōvertendo.	3. Ergo ut sinus totus	ad secātem basis: Ita tang. compl. ang dati	ad tangentem ang. quæstī.
1. modus.	Ut sinus totus ad sinum compl. ba sis:	Ita tangens anguli dati	ad tangentem compl. anguli quæstī.
Permutādo.	Ergo ut sinus totus ad tangentem ang. dati:	Ita sinus compl. ba sis	ad tangentem compl. anguli quæstī.
18. sinuum.	Sed ut sinus totus ad tangentem an guli dati:	Ita tangens compl. anguli dati	ad sinum totum.
11. quinti.	4. Ergo ut tang. cōpl. ang. dati.	Ita sinus compl. basis	ad tang. compl. ang. quæstī.
3. modus.	Ut sinus totus ad secantē basis :	Ita tangens compl. anguli dati	ad tang. anguli qua stī.
Permutādo.	Ergo ut sinus totus ad tangentē compl. anguli dati:	Ita secans basis	ad tangentem ang. quæstī.
11. sinuum.	Sed ut sinus totus ad tangentē compl. anguli dati :	Ita tangens anguli dati	ad sinum totum.
11. quinti.	5. Ergo ut tang. anguli dati	Ita secans basis	ad tangentem ang. quæstī.
4. modus.	Ut tangens compl. anguli dati	Ita sinus compl. ba sis	ad tangentem compl. ang. quæstī.
Permutādo.	Ergo ut tang. cōpl. anguli dati	Ita sinus totus	ad tang. compl. ang. quæstī.
18. sinuum.	Sed ut sinus totus ad tangentē cōmpl. anguli quæstī:	Ita tang. ang. qua stī	ad sinum totum.
11. quinti.	Ergo ut tang. cōpl. anguli dati	Ita tang. ang. qua stī	ad sinum totum.
Cōvertendo.	Ergo ut sinus cōpl. basis	Ita sinus totus dati:	ad tang. anguli qua stī.
Permutādo.	6. Ergo ut sinus compl. basis	ad sinum totum : Ita tang. compl. anguli dati	ad tang. anguli qua stī.

I I I . A N -

I I I I. A N G V L V S

Ex latere, quod angulo quæsito opponitur, & altero
angulo non recto.

1. Ut sinus totus	ad sinum anguli dati:	Ita sinus compl. la teris	ad sinum complan- guli quæsiti.	42. triang. sphær.
Sed ut sinus compl. lateris	ad sinum compl. an guli quæsiti:	Ita secans ang. quæsiti	ad secantem lateris.	22. sinuum.
Ergo ut sinus totus	ad sinum ang. dati:	Ita secans anguli quæsiti	ad secantem lateris.	11. quinti.
2. Ergo ut sinus anguli dati	ad sinum totum :	Ita secans lateris	ad secantem anguli quæsiti.	Cōvertendo.
Vt sinus totus	ad sinum ang. da ti:	Ita sinus compl. la teris	ad sinum compl. ang. quæsiti.	42. triang. sphær.
Ergo ut sinus totus	ad sinum compl. la teris:	Ita sinus anguli da ti	ad sinum compl. ang. quæsiti.	Permutādo.
Sed ut sinus angu li dati	ad sinum compl. an guli quæsiti:	Ita secans anguli quæsiti	ad secantem compl.	22. sinuum.
Ergo ut sinus totus	ad sinum compl. la teris:	Ita secans anguli quæsiti	ad secantem compl.	11. quinti.
3. Ergo ut sinus compl. lateris	ad sinum totum :	Ita secans compl. anguli dati	ad secantem anguli quæsiti.	Cōvertendo.
Vt sinus totus	ad sinum ang. dati:	Ita sinus compl. la teris	ad sinum compl. ang. quæsiti.	42. triang. sphær.
Sed ut sinus totus	ad sinum ang. dati:	Ita secans compl. anguli dati	ad sinum totum .	18. sinuum.
4. Ergo vt secans cōpl. ang. dati	ad sinum totum :	Ita sinus compl. lateris	ad sinum compl. an guli quæsiti.	11. quinti.
Sed ut sinus compl. lateris	ad sinum compl. anguli quæsiti:	Ita secans anguli quæsiti	ad secantem lateris.	22. sinuum.
Ergo vt secans cōpl. anguli dati	ad sinum totum :	Ita secans anguli quæsiti	ad secantem lateris.	11. quinti.
5. Ergo ut sinus totus	ad secantē compl. anguli dati	Ita secans lateris	ad secantem anguli quæsiti.	Cōvertendo.
Vt sinus totus	ad sinum anguli dati:	Ita sinus compl. la teris	ad sinum compl. ang. quæsiti.	42. triang. sphær.
Ergo ut sinus totus	ad sinum compl. la teris:	Ita sinus anguli da ti	ad sinum compl. ang. quæsiti.	Permutādo.
Sed ut sinus totus	ad sinum compl. la teris:	Ita secans lateris	ad sinum totum .	18. sinuum.
6. Ergo vt secans lateris	ad sinum totum :	Ita sinus anguli dati	ad sinum compl. an guli quæsiti.	11. quinti.

V. A N G V L V S

Ex latere, quod angulo quaesito adiacet, & altero angulo non recto:
 Num modo constet, num major sit recto, an minor, vel an
 basis, aut latus alterum non datum quadrante
 maius sit minusue.

42. triang. spher.	Vt sinus compl. la- teris	ad sinum 'compl. anguli dati'	Ita sinus totus	ad sinum ang. quaesiti
Permutando.	1. Ergo vt sinus compl. lateris	ad sinum totum :	Ita sinus compl. anguli dati	ad sinum anguli quaesiti.
42. triang. spher.	Vt sinus compl. la- teris	ad sinum compl. anguli dati:	Ita sinus totus	ad sinum ang. quaesiti.
18. sinuum.	Sed vt sinus totus	ad sinum anguli quaesiti:	Ita secans compl. anguli quaesiti	ad sinum totum.
11. quinti.	Ergo vt sinus cōpl. lateris	ad sinum compl. anguli dati:	Ita secans compl. anguli quaesiti	ad sinum totum.
Cōuertendo.	Ergo vt sinus cōpl. anguli dati	ad sinum compl. la- teris:	Ita sinus totus	ad secantem compl. anguli quaesiti.
Permutando.	2. Ergo vt sinus cōpl. ang. dati	ad sinum totum :	Ita sinus compl. lateris	ad secantem compl. anguli quaesiti.
1. modus.	Vt sinus compl. la- teris	ad sinum totum :	Ita sinus compl. anguli dati	ad sinum ang. quaesiti.
18. sinuum.	Sed vt sinus compl. lateris	ad sinum totum :	Ita sinus totus	ad secantem lateris.
11. quinti.	3 Ergo vt sinus to- tus	ad secantem late- ris:	Ita sinus compl. anguli dati	ad sinum anguli quaesiti.
22. sinuum.	Sed vt sinus compl. ang. dati	ad sinum ang. qua- est.:	Ita secans compl. anguli quaesiti	ad secantem anguli dati.
11. quinti.	Ergo vt sinus totus	ad secantem late- ris:	Ita secans compl. anguli quaesiti	ad secantem anguli dati.
Cōuertendo.	4. Ergo vt secans lateris	ad sinum totum :	Ita secans anguli dati	ad secantem compl. anguli quaesiti.
42. triang. spher.	Vt sinus compl. la- teris	ad sinum compl. anguli dati:	Ita sinus totus	ad sinum ang. quaesiti.
22. sinuum.	Sed vt sinus compl. lateris	ad sinum compl. anguli dati:	Ita secans anguli dati	ad secantem lateris.
11. quinti.	Ergo vt secans ang. dati	ad secantē lateris:	Ita sinus totus	ad sinum ang. quaesiti.
Permutando.	5. Ergo vt secans anguli dati	ad sinum totum :	Ita secans lateris	ad sinum anguli quaesiti.
2. modus.	Vt sinus compl. an- guli dati	ad sinum totum :	Ita sinus compl. lateris	ad secantem compl. anguli quaesiti.
				Sed

Sed ut sinus compl.	ad sinum rotum:	Ita sinus rotus	ad secantem anguli 18. sinuum.
anguli dati			dati.
6. Ergo ut sinus totus	ad secantem anguli dati:	Ita sinus compl.	ad secantem compl. 11. quinti.
		lateralis	anguli quesiti.

V I. A N G V L V S

Ex utroque latere.

1. Ut sinus lat. adiac. ang. quæsito	ad sinum totum:	Ita tangens lat. opposit. ang. quæsito	ad tangentem anguli quæsiti. 44. triang. spher.
Sed ut tang. lat. opposit. ang. quæsito	ad tangentem anguli quæsiti:	Ita tangens compl. anguli quæsiti	ad tang. compl. lat. opposit. ang. quæsito. 21. sinuum.
Ergo ut sinus lat. adiac. ang. quæsito	ad sinum rotum:	Ita tang. compl. anguli quæsiti	ad tang. compl. lat. 11. quinti. oppos. ang. quæsito.
2. Ergo ut sinus totus	ad sinum lat. adiac. angulo quæsito:	Ita tag. cōpl. lat. opposit. angulo quæsito	ad tangentem cōpl. Cōvertendo. anguli quæsiti.
Ut sinus lat. adiac. angulo quæsito	ad sinum totum:	Ita tang. lat. opposit. angulo quæsito	ad tangentem anguli quæsiti. 44. triang. spher.
Sed ut sinus lateris adiac. ang. quæsito	ad sinum totum:	Ita sinus rotus	ad secantem compl. lat. 18. sinuum. adiac. ang. quæsito.
3. Ergo ut sinus totus	ad sec. compl. lat. adiac. ang. quæsito:	Ita tang. lat. opposit. ang. quæsito	ad tangentem anguli quæsiti. 11. quinti.
Ut sinus lat. adiac. angulo quæsito	ad sinum rotum:	Ita tang. lateris opposit. angulo quæsito	ad tangentem anguli quæsiti. 44. triang. spher.
Ergo ut sinus lat. adiac. ang. quæsito	ad tang. lat. opposit. anguli quæsito:	Ita sinus rotus	ad tangentem anguli quæsiti. Permutando. quæsiti.
Sed ut sinus rotus	ad tang. angulis quæsiti:	Ita tang. compl. anguli quæsiti	ad sinum rotum. 18. sinuum.
Ergo ut sinus lat. adiac. ang. quæsito	ad tang. lat. opposit. ang. quæsito:	Ita tang. compl. anguli quæsiti	ad sinum rotum. 11. quinti.
Ergo ut tang. lat. opposit. angulo quæsito	ad sinum lat. adiac. angulo quæsito:	Ita sinus rotus	ad tangentem compl. anguli quæsiti. Cōvertendo.
4. Ergo ut tag. lat. opposit. ang. quæsito	ad sinum totum:	Ita sinus lat. adiac. ang. quæsito	ad tangentem cōpl. Permutando. anguli quæsiti.
Ut sinus rotus	ad sinum lat. adiac. ang. quæsito	Ita tag. compl. lat. opposit. ang. quæsito	ad tangentem compl. 3. modus.
Sed ut sinus rotus	ad sinum lat. adiac. ang. quæsito:	Ita sec. cōpl. lat. adiac. ang. quæsito	ad sinum rotum. 18. sinuum.
5. Ergo ut sec. cōpl. lat. adiac. ang. quæsito	ad sinum totum:	Ita tag. cōpl. lat. opposit. ang. quæsito	ad tangentem cōpl. 11. quinti.

<i>Permutan-</i>	<i>Ergo ut sec. cōpl. lat.</i>	<i>ad tang. compl. lat.</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad tangentem compl.</i>
<i>dō.</i>	<i>adiac. ang. q̄sito.</i>	<i>oppos. ang. quæfisi:</i>		<i>anguli quæfisi.</i>
<i>s. R. sinuum.</i>	<i>Sed ut sinus totus</i>	<i>ad tangentē compl.</i>	<i>Ita tangens anguli</i>	<i>ad sinum totum.</i>
			<i>anguli quæfisi</i>	<i>quæfisi</i>
<i>11. quinti.</i>	<i>Ergo ut sec. cōpl. lat.</i>	<i>ad tang compl. lat.</i>	<i>Ita tangens ang.</i>	<i>ad sinum totum.</i>
	<i>adiac. ang. quæfisi</i>	<i>oppos. ang. quæfisi:</i>	<i>quæfisi</i>	
<i>Converteō</i>	<i>Ergo ut tāg. cōpl. lat.</i>	<i>ad sec. compl. lat.</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad tangentem anguli</i>
	<i>oppos. tang. quæfisi</i>	<i>adiac. ang. quæfisi:</i>		<i>quæfisi.</i>
<i>Permutādo.</i>	<i>6. Ergo ut tāg. cōpl.</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sec. comp. lat.</i>	<i>ad tangentem an-</i>
	<i>lat. oppos. ang. q̄sito</i>			<i>guli quæfisi.</i>

VII. L A L V S.

Ex base, & altero latere.

<i>43. triang.</i>	<i>vt sinus compl. lat-</i>	<i>ad sinum compl. ba-</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad sinum compl. late-</i>
<i>spher.</i>	<i>ris dati</i>	<i>basis:</i>		<i>ris quæfisi.</i>
<i>Permutādo</i>	<i>1. Ergo vt sinus</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sinus compl.</i>	<i>ad sinum compl. la-</i>
	<i>cōpl. lat. dati</i>		<i>basis</i>	<i>teris quæfisi.</i>
<i>43. triang.</i>	<i>vt sinus compl.</i>	<i>ad sinum compl..</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad sinum compl. la-</i>
<i>spher.</i>	<i>lateralis dati</i>	<i>basis:</i>		<i>teris quæfisi.</i>
<i>18. sinuum.</i>	<i>Sed ut sinus totus</i>	<i>ad sinum compl. la-</i>	<i>Ita secans lateris</i>	<i>ad sinum totum.</i>
		<i>teris quæfisi:</i>	<i>quæfisi</i>	
<i>11. quinti.</i>	<i>Ergo vt sinus compl.</i>	<i>ad sinum compl.</i>	<i>Ita secans lateris</i>	<i>ad sinum totum.</i>
	<i>lateralis dati</i>	<i>basis:</i>	<i>quæfisi</i>	
<i>Converteō</i>	<i>Ergo vt sinus compl.</i>	<i>ad sinum compl. la-</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad secantem lateris</i>
	<i>basis</i>	<i>teris dati:</i>		<i>quæfisi.</i>
<i>Permutādo.</i>	<i>2. Ergo vt sinus</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sinus compl.</i>	<i>ad secantem lateris</i>
	<i>cōpl. basis</i>		<i>lateris dati</i>	<i>quæfisi.</i>
<i>43. triang.</i>	<i>vt sinus compl. lat.</i>	<i>ad sinum compl. ba</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad sinum compl. late-</i>
<i>spher.</i>	<i>dati</i>	<i>basis:</i>		<i>ris quæfisi.</i>
<i>22. sinuum.</i>	<i>Sed ut sinus compl.</i>	<i>ad sinum compl.</i>	<i>Ita secans basis</i>	<i>ad secantem lateris</i>
	<i>lateralis dati</i>		<i>basis:</i>	<i>dati.</i>
<i>11. quinti.</i>	<i>Ergo vt secans basis.</i>	<i>ad secantem late-</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad sinum compl. late-</i>
		<i>ris dati:</i>		<i>ris quæfisi.</i>
<i>Permutādo.</i>	<i>3. Ergo vt secans</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita secans lateris</i>	<i>ad sinum compl. la-</i>
	<i>basis</i>		<i>dati</i>	<i>teris quæfisi.</i>
<i>2. modus.</i>	<i>vt sinus compl. ba-</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sinus compl.</i>	<i>ad secantem lateris</i>
	<i>sis</i>		<i>lateris dati</i>	<i>quæfisi.</i>
<i>Permutādo.</i>	<i>Ergo vt sinus cōpl.</i>	<i>ad sinum compl. la</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad secantem lateris</i>
	<i>basis</i>	<i>teris dati:</i>		<i>quæfisi.</i>
<i>22. sinuum.</i>	<i>Sed ut sinus compl.</i>	<i>ad sinum compl. la</i>	<i>Ita secans lateris</i>	<i>ad secantem basis.</i>
	<i>basis</i>	<i>teris dati:</i>	<i>dati</i>	

Ergo

L E M M A L I I I .

239

Ergo ut secans lateris ad secantem basis: Ita sinus totus ris dati	ad secantem lateris 11. quinti. queſti.
4. Ergo ut secans ad sinum totum: Ita secans basis lateris dati	ad secantem lateris permutatio. queſti.
Vt sinus compl. late ris dati ad sinum totum:	Ita sinus compl. ba sis ad sinum compl. late ris queſti.
Sed vt sinus compl. lateris dati ad sinum totum:	Ita sinus totus ad secantem lateris 18. sinuum. dati.
5. Ergo ut sinus to tus ad secantem late ris dati:	Ita sinus compl. basis ad sinum compl. la teris queſti.
Vt sinus compl. ba sis ad sinum totum:	Ita sinus compl. la teris dati ad secantem lateris 2. modus. queſti.
Sed vt sinus compl. basis ad sinum totum:	Ita sinus totus ad secantem basis: 18. sinuum.
6. Ergo ut sinus to tus ad secantem ba sis:	Ita sinus compl. lateris dati ad secantem lateris 11. quinti. queſti.

VIII. L A T V S .

Ex base & angulo, qui lateri queſto opponitur .

1. Vt sinus totus ad sinum basis: Ita sinus anguli dati	ad sinum lateris 41. triang. queſti. spher.
Sed ut sinus anguli ad sinum lateris dati queſti:	Ita secans compl. lateris queſti ad secantem compl. 22. sinuum. anguli dati.
Ergo ut sinus totus ad sinum basis:	Ita secans compl. lateris queſti ad secantem compl. 11. quinti. anguli dati.
2. Ergo ut sinus ba sis ad sinum totum:	Ita secans compl. anguli dati ad secantem compl. Cōvertendo lateris queſti.
Vt sinus totus ad sinum basis:	Ita sinus anguli dati ad sinum lateris que sti. 41. triang. spher.
Sed ut sinus totus ad sinum basis:	Ita secans compl. basis ad sinum totum. 18. sinuum.
3. Ergo ut secans ad sinum totum: Ita sinus anguli cōpl. basis dati	ad sinum lateris que sti. 11. quinti.
Sed ut sinus anguli dati ad sinum lateris queſti:	Ita secans compl. lateris queſti ad secantem compl. 22. sinuum. anguli dati.
Ergo ut secans cōpl. basis ad sinum rotum:	Ita secans compl. lateris queſti ad secantem compl. 11. quinti. anguli dati.
4. Ergo ut sinus to tus ad secantem cōpl. basis:	Ita secans cōpl. anguli dati ad secantem compl. Cōvertendo lateris queſti.

Vt sinus

41. triang. sphar.	Vt sinus totus ad sinum basis:	ad sinum basis: datis:	Ita sinus anguli datis:	ad sinum lateris qua- sifti.
Permutādo	Ergo vt sinis totus ad sinum anguli datis:	ad sinum anguli datis:	Ita sinus basis	ad sinum lateris qua- sifti.
18. sinuum.	Sed vt sinus totus ad sinum totum:	ad sinum anguli datis:	Ita secans compl. anguli dati:	ad sinum totum.
11. quinti.	5. Ergo vt secans compl. ang. dati	ad sinum totum:	Ita sinus basis anguli dati:	ad sinum lateris quaſiti.
4. modus.	Vt sinus totus ad secātem compl. basis:	ad secātem compl. basis:	Ita secans compl. anguli dati:	ad secātem compl. lateris quaſiti.
Permutādo.	Ergo vt sinus totus ad secātem compl. anguli dati:	ad secātem compl. anguli dati:	Ita secans compl. basis:	ad secātem compl. lateris quaſiti.
18. sinuum.	Sed vt sinus totus ad secātem compl. anguli dati:	ad secātem compl. anguli dati:	Ita sinus anguli datis:	ad sinum totum.
18. quinti.	6. Ergo vt sinus an- guli dati	ad sinum totum:	Ita secans compl. basis	ad secātem compl. lateris quaſiti.

I X. L A T V S

Ex base & angulo, qui lateri quaſito adiacet.

45. triang. sphar.	1. Vt sinus totus ad sinum compl. anguli dati:	ad sinum compl. anguli dati:	Ita tangens basis	ad tangentem late- ris quaſiti.
18. sinuum.	Sed vt sinus totus ad sinum compl. an- guli dati:	ad sinum compl. an- guli dati:	Ita secans anguli datis:	ad sinum totum.
11. quinti.	2. Ergo vt secans anguli dati	ad sinum totum:	Ita tangens basis	ad tangentem late- ris quaſiti.
18. sinuum.	Sed vt tangens basis ad tangentem la- teris quaſiti:	ad tangentem la- teris quaſiti:	Ita tangens compl.	ad tangentem compl.
11. quinti.	Ergo vt secans an- guli dati	ad sinum totum:	Ita tangens compl.	ad tangentem compl.
Cōuertendo.	3. Ergo vt sinus to- tus	ad secātem an- guli dati:	Ita tangens cōpl.	ad tangentem cōpl.
18. sinuum.	Sed vt sinus totus ad secātem angu- li dati:	ad secātem angu- li dati:	Ita sinus compl.	ad sinum totum.
11. quinti.	4. Ergo vt sinus compl. ang. dati	ad sinum totum:	Ita tangens cōpl.	ad tangens compl.
3. modus.	Vt secans angulis dati	ad sinum totum:	Ita tangens basis	ad tangentem lateris quaſiti.
Permutādo.	Ergo vt secans an- guli dati	ad tangentem ba- sis:	18. sinus totus	ad tangentem lateris quaſiti.

Sed

Sed ut sinus torus	ad tangentem late ris quæstii:	Ita tangens compl. lateris quæstii	ad sinum totum.	18. sinuum.
Ergo ut secans an guli dati	ad tangentem ba sis:	Ita tang. compl. lateris quæstii.	ad sinum totum.	15. quinti.
Ergo ut tangens ba sis	ad secantem angu litati:	Ita sinus torus	ad tangentem compl. lateris quæstii.	Cōvertendo.
5. Ergo ut tangens ad sinum totum:	Ita secans anguli dati:	ad tangens compl. lateris quæstii.	ad tangentem compl. lateris quæstii.	Permutādo.
Vt sinus compl. an guli dati	ad sinum totum:	Ita tangens compl. basis:	ad tangentem compl. lateris quæstii.	4. modus.
Ergo ut sinus compl. anguli dati	ad tangentem compl. basis:	Ita sinus totus	ad tangentem compl. lateris quæstii.	Permutādo.
Sed ut sinus torus	ad tangentem compl. lateris quæstii:	Ita tangens lat. basis:	ad sinum totum.	18. sinuum.
Ergo ut sinus compl. anguli dati	ad tang. compl. basis:	Ita tangens lateris	ad sinum totum.	15. quinti.
Ergo ut tang. compl. basis	ad sinum compl. anguli dati:	Ita sinus totus	ad tangentem lateris quæstii.	Cōvertendo.
6. Ergo ut tangens ad sinum totum:	Ita sinus compl. compl. basis	ad tangentem late ris anguli dati	ad tangentem lateris ris quæstii.	Permutādo.

X. L A L V S

Ex altero latere, & angulo, qui lateri quæstio adiacet; si modo
constat, num quæstum latus sit quadrante maius, si minus;
vel an alter angulus non rectus non datus sit acutus,
obtusus; vel denique nunc basis sit qua
drante maior, aut minor.

Vt tangens anguli ad tangentem late ris dati:	Ita sinus totus	q. l sinum lateris qua si.	44 triang. spher.
1. Ergo ut tangens ad sinum totum:	Ita tangens late ris dati	ad sinum lateris qua si.	Permutādo.
Vt tangens anguli ad tangentem late ris dati:	Ita sinus totus	ad sinum lateris qua si.	44 triang. spher.
Sed ut tangens an guli dati	ad tangentem totu s:	ad tangentem compl. anguli dati	21. sinuum.
Ergo ut tangens compl. lateris dati	ad tangentem compl. anguli dati:	ad sinum lateris qua si.	15. quinti.
2. Ergo ut tangens ad sinum totum:	Ita tangens compl. compl. lat. dati	ad sinum lateris qua si.	Permutādo.

44. triang. spher.	Vt tangens anguli dati	ad tangentem lat- oris dati:	Ita sinus totus	ad sinum lateris que- siti.
28. sinuum.	Sed vt sinus totus	ad sinum lateris quæsiti:	Ita secans compl. lateris quæsiti.	ad sinum totum.
31. quinti.	Ergo vt tangens an- guli dati	ad tangentem la- teris dati:	Ita secans compl. lateris quæsiti	ad secantem compl. lateris quæsiti.
Cduertendo.	Ergo vt tangens la- teris dati	ad tangentem an- guli dati:	Ita sinus totus	ad secantem compl. lateris quæsiti.
Permutādo.	3. Ergo vt tang. la- teris dati	ad sinum totum :	Ita tangens angu- li dati	ad secantem compl. lateris quæsiti.
2. modus.	Vt tangens compl. lateris dati	ad sinum totum :	Ita tang. compl. anguli dati	ad sinum lateris que- siti.
Permutādo.	Ergo vt tang. comp. lateris dati	ad tangentē compl. anguli dati:	Ita sinus totus	ad sinum lateris que- siti.
28. sinuum.	Sed vt sinus totus	ad sinum lateris quæsiti:	Ita secans compl. lateris quæsiti	ad sinum totum.
31. quinti.	Ergo vt tang. comp. lateris dati	ad tangentē compl. anguli dati:	Ita secans compl. lateris quæsiti	ad sinum totum.
Conuerſio	Ergo vt tang. compl. anguli dati	ad tangen. compl. lateris dati:	Ita sinus totus	ad secantem compl. lateris quæsiti.
Permutan- do.	4. Ergo vt tangens compl. ang. dati	ad sinum totum :	Ita tang. compl. lateris dati	ad secantem compl. lateris quæsiti.
3. modus.	Vt tangens anguli dati	ad sinum totum :	Ita tangens late- ris dati	ad sinum lateris que- siti.
28. sinuum.	Sed vt tangens an- guli dati	ad sinum totum :	Ita sinus totus	ad tangentem compl. anguli dati.
31. quinti.	5. Ergo vt sinus to- tus	ad tang. compl. anguli dati:	Ita tangens late- ris dati	ad sinum lateris que- siti.
3. modus.	Vt tangens lateris dati	ad sinum totum :	Ita tangens angu- li dati	ad secantem compl. lateris quæsiti.
28. sinuum.	Sed vt tangens la- teris dati	ad sinum totum :	Ita sinus totus	ad tangentem compl. lateris dati.
31. quinti.	6. Ergo vt sinus to- tus	ad tangen.compl. lateris dati:	Ita tangens an- guli dati	ad secantem compl. lateris quæsiti.

X I. L A T V S

Ex altero latere, & angulo, qui lateri quæsto opponitur.

44. triang. spher.	1. Vt sinus totus	ad sinum lateris dati:	Ita tangens an- guli dati	ad tangentem late- ris quæsti.
-----------------------	-------------------	---------------------------	------------------------------	-----------------------------------

Sed

Sed ut tangens ang. dati	ad tangentem late- ris quæfisi:	Ita tangens compl. lateralis quæfisi	ad tangentem compl. anguli dati	21. sinuum.
Ergo ut sinus totus	ad sinum lateris dati:	Ita tangens compl. lateralis quæfisi	ad tangentem compl. anguli dati	21. quinti.
2. Ergo ut sinus la- teris dati	ad sinum totum:	Ita tang. compl. anguli dati	ad tang. compl. la- teris quæfisi.	Cōuertendo.
Sed ut sinus lateris dati	ad sinum totum:	Ita sinus totus	ad secantem compl. lateralis dati	18. sinuum.
3. Ergo ut sinus to- tus	ad secant.compl. lateralis dati:	Ita tang. compl. anguli dati	ad tangētem compl. lateralis quæfisi.	21. quinti.
Vt sinus totus	ad sinum lateris dati:	Ita tangens anguli dati	ad tangentem lateralis quæfisi.	4. triang. ſpher.
Sed ut sinus totus	ad sinum lateris dati:	Ita secans compl. lateralis dati	ad sinum totum:	18. sinuum.
4. Ergo ut secans compl.lat.dat	ad sinum totum:	Ita tang. anguli dati	ad tangētem lateris	21. quinti.
Vt sinus lateris dati	ad sinum totum:	Ita tangens compl. anguli dati	ad tangentem compl. lateralis quæfisi.	2. modus.
Ergo ut sinus late- ris dati	ad tangent. compl. anguli dati	Ita sinus totus	ad tangentem compl. lateralis quæfisi.	Permutādo.
Sed ut sinus totus	ad tangent. compl. lateralis quæfisi:	Ita tangens late- ris quæfisi	ad sinum totum.	18. sinuum.
Ergo ut sinus lateris dati	ad tangent. compl. anguli dati:	Ita tangens late- ris quæfisi	ad sinum totum.	21. quinti.
Ergo ut tang. comp. anguli dati	ad sinum lateris dati	Ita sinus totus	ad tangentem lateris quæfisi.	Conuerſio.
5. Ergo ut tangens compl.lang.dat	ad sinum totum:	Ita sinus lateris dati	ad tangentem late- ris quæfisi.	Permutādo.
Vt sinus totus	ad secantem compl. lateralis dati:	Ita tangēs compl. anguli dati	ad tangentem compl. lateralis quæfisi.	3. modus.
Ergo ut sinus totus	ad tangent. compl. anguli dati:	Ita secans compl. lateralis dati	ad tangentem compl. lateralis quæfisi.	Permutādo.
Sed ut sinus totus	ad tangent. compl. anguli dati:	Ita tangens angu- li dati	ad sinum totum.	18. sinuum.
6. Ergo ut tang. anguli dati	ad sinum totum:	Ita secans cōpl. lateralis dati	ad tangentē compl. lateralis quæfisi.	21. quinti.

XII. L A T V S

Ex vtroque angulo non recto.

1. Vt sinus ang.ad-
iac.lat.quæfiso ad sinum totum: Ita sinus cōp.ang.
oppof.lat. quæfiso ad sinum compl. la-
teris quæfisi. Sed ut sinus

Hb 3

18. sinuum.	Sed ut sinus anguli adiac. lat. quæstio	ad sinum totum:	Ita sinus totus	ad sec. compl. anguli adiac. lat. quæstio.
11. quinti.	2. Ergo ut sinus totus	ad sec. cōpl. ang. adiac. lat. quæstio:	Ita sinus cōpl. ang. opposit. lat. quæstio	ad sinum compl. lat. opposit. lat. quæstio teris quæstio.
42. triang. sphar.	Vt sinus ang. adiac. lateri quæstio	ad sinum totum:	Ita sinus cōpl. ang. opposit. lat. quæstio	ad sinum compl. lat. opposit. lat. quæstio.
Permutādo	Ergo ut sinus ang. adiac. lat. quæstio	ad sinum cōpl. ang. opposit. lat. quæstio	Ita sinus totus	ad sinum compl. lat. opposit. lat. quæstio.
18. sinuum.	Sed ut sinus totus	ad sinum compl. lateri quæstio:	Ita secans lateris quæstio	ad sinum totum.
11. quinti.	Ergo ut sinus ang. adiac. lat. quæstio	ad sinum cōpl. ang. opposit. lat. quæstio:	Ita secans lateris quæstio	ad sinum totum.
Cōuerſenda	Ergo ut sinus compl. ang. opposit. lat. quæstio	ad sinum ang. adiac. lat. quæstio:	Ita sinus totus	ad secantem lateris quæstio.
Permutādo	3. Ergo ut sinus cōpl. ang. opposit. lat. qualiter	ad sinum totum:	Ita sinus anguli adiac. lateri quæstio	ad secantem lateris quæstio.
18. sinuum.	Sed ut sinus cōpl. ang. opposit. lat. quæstio	ad sinum totum:	Ita sinus totus	ad secantem ang. opposit. lat. quæstio.
11. quinti.	4. Ergo ut sinus totus	ad secantem ang. opposit. lateri quæstio:	Ita sinus anguli adiac. lateri quæstio	ad secantem lateris quæstio.
42 triang. sphar.	Vt sinus ang. adiac. lateri quæstio	ad sinum totum:	Ita sinus cōpl. ang. opposit. lat. quæstio	ad sinum compl. lat. ris quæstio.
Permutādo	Ergo ut sinus ang. adiac. lat. quæstio	ad sinum cōpl. ang. opposit. lat. quæstio:	Ita sinus totus	ad sinum compl. lat. teris quæstio.
12. sinuum.	Sed ut sinus ang. adiac. lat. quæstio	ad sinum cōpl. ang. opposit. lat. quæstio:	Ita secans ang. opposit. lat. quæstio	ad sec. compl. anguli adiac. lat. quæstio.
11. quinti.	Ergo ut secans ang. opposit. lat. quæstio	ad sec. compl. ang. adiac. lat. quæstio:	Ita sinus totus	ad sinum compl. lat. ris quæstio.
Permutādo	5. Ergo ut secans ang. opposit. lat. quæstio	ad sinum totum:	Ita sec. compl. ang. adiac. lat. quæstio	ad sinum compl. lat. teris quæstio.
9. modus.	Vt sinus compl. ang. opposit. lat. quæstio	ad sinum totum:	Ita sinus ang. adiac. lateri quæstio	ad secantem lateris quæstio.
Permutādo	Ergo ut sinus compl. ad sinum ang. adiac. ang. opposit. lat. quæstio	ad sinum ang. adiac. lat. quæstio:	Ita sinus totus	ad secantem lateris quæstio.
12. sinuum.	Sed ut sinus compl. ang. opposit. lat. quæstio	laterali quæstio:	Ita sec. compl. ang. adiac. lat. quæstio	ad secantem anguli opposit. lat. quæstio.
11. quinti.	Ergo ut sec. compl. ang. adiac. lat. quæstio	ad secantem ang. opposit. lat. quæstio	Ita sinus totus	ad secantem lateris quæstio.
Permutādo	6. Ergo ut secans compl. ang. adiac. lateri quæstio	ad sinum totum:	Ita secans ang. opposit. lateri quæstio	ad secantem lateris quæstio.

X I I I. B A S I S

Ex latere, & angulo ei adiacente.

1. Ut sinus compl. ad sinum totum: Ita tangens lateris dati	ad tangentem basis.	45. triang. sphar.
Sed ut sinus compl. ad sinum totum: Ita sinus torus ad secantem anguli dati.		18. sinuum.
2. Ergo ut sinus ad secantem anguli totus Ita tangens lateris dati ad tangentem basis.		11. quinti.
Sed ut tangens lat. ad tangentem basis: Ita tangens compl. ad tang. compl. lat. dati.		21. sinuum.
Ergo ut sinus torus ad secantem anguli dati: Ita tangens compl. ad tang. compl. lat. dati.		11. quinti.
3. Ergo ut secans ad sinum totum: Ita tang. compl. lat. dati ad tangentem compl. Cövertendo basis.		
Sed ut secans ang. ad sinum totum: Ita sinus torus ad sinum compl. ang. dati.		18. sinuum.
4. Ergo ut sinus totus ad sinum compl. ang. dati: Ita tangens compl. lat. dati ad tangentem compl. 11. quinti. basis.		
Ut sinus compl. ang. ad sinum totum: Ita tang. lat. dati ad tangentem basis.		45. triang. sphar.
Ergo ut sinus compl. ad tangentem lat. ang. dati dati:	Ita sinus torus ad tangentem basis.	Permutando.
Sed ut sinus torus ad tangentem basis: Ita tangens compl. ad sinum totum.		18. sinuum.
Ergo ut sinus compl. ad tangentem lat. ang. dati dati:	Ita tangens compl. ad sinum totum.	11. quinti.
Ergo ut tang. lat. ad sinum compl. ang. dati dati:	Ita sinus torus ad tangentem compl. basis.	Cövertendo.
5. Ergo ut tangens ad sinum totum: Ita sinus compl. ad tangentem compl. ang. dati basis. Permutando.		
Ut sinus torus ad secantem anguli dati: Ita tangens lat. ad tangentem basis. 2. modus.		
Ergo ut sinus torus ad tangentem lat. ang. dati dati:	Ita secans anguli ad tangentem basis.	Permutando.
Sed ut sinus torus ad tangentem lat. ang. dati dati:	Ita tang. compl. ad sinum totum.	18. sinuum.
6. Ergo ut tangens ad sinum totum: Ita secans anguli ad tangentem basis. 11. quinti.		

18. sinuum.	Sed ut sinus anguli adiac. lat. questio	ad sinum totum:	Ita sinus totus	ad sec. compl. anguli adiac. lat. questio.
11. quinti.	2. Ergo ut sinus totus	ad sec. cōpl. ang.	Ita sinus cōpl. ang.	ad sinum compl. lat. opposit. lateri questio.
42. triang. sphar.	Vt sinus ang. adiac. lateri questio	ad sinum totum:	Ita sinus cōpl. ang.	ad sinum compl. lat. opposit. lateri questio.
Permutatio	Ergo ut sinus ang. adiac. lat. questio	ad sinum cōpl. ang.	Ita sinus totus	ad sinum compl. lat. opposit. lateri questio.
18. sinuum.	Sed ut sinus totus	ad sinum compl. lat. teris questio:	Ita secans lateris questio	ad sinum totum.
11. quinti.	Ergo ut sinus ang. adiac. lat. questio	ad sinum cōpl. ang.	Ita secans lateris questio	ad sinum totum.
Cōvertenda.	Ergo ut sinus compl. ang. opposit. lat. questio:	ad sinum ang. ad. ang. opposit. lat. questio	Ita sinus totus	ad secantem lateri questio.
Permutatio	3. Ergo ut sinus cōpl. ang. opposit. latetri qualitudo	ad sinum totum:	Ita sinus anguli adiac. lateri questio	ad secantem lateri questio.
18. sinuum.	Sed ut sinus cōpl. ang. opposit. lat. questio	ad sinum totum:	Ita sinus totus	ad secantem ang. opposit. lat. questio.
11. quinti.	4. Ergo ut sinus totus	ad secantem ang. opposit. lateri questio:	Ita sinus anguli adiac. lateri questio	ad secantem lateri questio.
42. triang. sphar.	Vt sinus ang. adiac. lateri questio	ad sinum totum:	Ita sinus cōpl. ang. opposit. lat. questio.	ad sinum compl. lat. ris questio.
Permutatio	Ergo ut sinus ang. adiac. lat. questio	ad sinum cōpl. ang. opposit. lat. questio:	Ita sinus totus	ad sinum compl. lat. ris questio.
12. sinuum.	Sed ut sinus ang. adiac. lat. questio	ad sinum cōpl. ang.	Ita secans ang. opposit. lat. questio	ad sec. compl. anguli adiac. lat. questio.
11. quinti.	Ergo ut secans ang. opposit. lat. questio	ad sec. compl. ang.	Ita sinus totus	ad sinum compl. lat. ris questio.
Permutatio	5. Ergo ut secans ang. opposit. lat. teri qualitudo	ad sinum totum:	Ita sec. compl. ang. adiac. lat. questio	ad sinum compl. lat. teris questio.
3. modus.	Vt sinus compl. ang. opposit. lat. questio	ad sinum totum:	Ita sinus ang. adiac. lateri questio	ad secantem lateris questio.
Permutatio	Ergo ut sinus compl. ang. opposit. lat. questio	ad sinum ang. ad. ang. opposit. lat. questio	Ita sinus totus	ad secantem lateris questio.
12. sinuum.	Sed ut sinus compl. ang. opposit. lat. questio	ad sinu ang. adiac. ang. opposit. lat. questio	Ita sec. compl. ang. adiac. lat. questio	ad secantem anguli opposit. lat. questio.
11. quinti.	Ergo ut sec. compl. ad secantem ang. ang. adiac. lat. questio	opposit. lat. questio	Ita sinus totus	ad secantem lateris questio.
Permutatio	6. Ergo ut secans compl. ang. adiac. lateri questio	ad sinum totum:	Ita secans ang. opposit. lateri questio	ad secantem lateris questio.

X III. B A S I S

Ex latere, & angulo ei adiacente.

1. Ut sinus compl. ad sinum totum: Ita tangens lateris dati ad tangentem basis. 45. triang. sphaer.

Sed ut sinus compl. ad sinum totum: Ita sinus totus ad secantem anguli dati. 18. sinuum.

2. Ergo ut sinus ad secantem anguli totus adsecantem anguli dati Ita tangens lateris dati ad tangentem basis. 15. quinti.

Sed ut tangens lat. ad tangentem basis: Ita tangens compl. basis ad tang. compl. lat. 21. sinuum.

Ergo ut sinus totus ad secantem anguli dati: Ita tangens compl. basis ad tang. compl. lat. 21. quinti.

3. Ergo ut secans ad sinum totum: Ita tang. compl. lat. dati ad tangentem compl. Cōvertendo basis.

Sed ut secans ang. ad sinum totum: Ita sinus totus ad sinum compl. ang. dati. 18. sinuum.

4. Ergo ut sinus totus ad sinum compl. ang. dati: Ita tangēs compl. lat. dati ad tangentē compl. 15. quinti.

Ut sinus compl. ang. ad sinum totum: Ita tang. lat. dati ad tangentem basis. 45. triang. sphaer.

Ergo ut sinus compl. ad tangentem lat. ang. dati Ita sinus totus ad tangentem basis. Permutādo.

Sed ut sinus totus ad tangentem basis: Ita tangens compl. basis ad sinum totum. 18. sinuum.

Ergo ut sinus compl. ang. dati ad tangentem lat. Ita tangens compl. basis ad sinum totum. 15. quinti.

Ergo ut tang. lat. ad sinum compl. ang. dati Ita sinus totus ad tangentem compl. basis. Cōvertendo.

5. Ergo ut tangēs ad sinum totum: Ita sinus compl. ang. dati ad tangentē compl. basis. Permutādo.

Ut sinus totus ad secantem anguli dati: Ita tangens lat. ad tangentem basis. 2. modus.

Ergo ut sinus totus ad tangentem lat. dati: Ita secans anguli dati ad tangentem basis. Permutādo.

Sed ut sinus totus ad tangentem lat. dati: Ita tang. compl. lat. dati ad sinum totum. 18. sinuum.

6. Ergo ut tang. ad sinum totum: Ita secans anguli dati ad tangentem basis. 15. quinti.

X I I I I . B A S I S

Ex latere, & angulo ei opposito : Si modo constet, non basis quadrante
maior sit, vel minor : Aut an alter angulus non datus sit acu-
tus: , obtusus: Aut denique num alterum la-
tus non datum, minus sit qua-
drante , an maius.

41. triang. Ut sinus ang. dati ad sinum lateris dati Ita sinus totus ad sinum basis.
spher. dati:

Pergutando. 1. Ergo ut sinus ad sinum totum: Ita sinus lat. dati ad sinum basis.
anguli dati

18. sinuum. Sed ut sinus anguli dati ad sinum totum: Ita sinus totus ad secantem compl.
anguli dati.

ss. quinti. 2. Ergo ut sinus totus ad secantem compl. Ita sinus lat. dati ad sinum basis.
ang. dati:

41. triang. Ut sinus ang. dati ad sinum lateris dati Ita sinus totus ad sinum basis.
spher. dati:

18. sinuum. Sed ut sinus totus ad sinum basis: Ita secans compl.
basis ad sinum totum.

ss. quinti. Ergo ut sinus ang. ad sinum lat. dati: Ita secans compl.
dati basis ad sinum totum.

Couertendo. Ergo ut sinus lat. ad sinum ang. dati: Ita sinus totus ad secantem compl.
dati basis.

Permutando. 3. Ergo ut sinus lat. dati ad sinum totum: Ita sinus anguli dati ad secantem compl.
lat. dati basis.

18. sinuum. Sed ut sit sinus lat. dati ad sinum totum: Ita sinus totus ad secantem compl.
lat. dati.

ss. quinti. 4. Ergo ut sinus totus ad secantem compl. Ita sinus ang. dati ad secantem compl.
lat. dati basis.

41. triang. Ut sinus ang. dati ad sinum lat. dati: Ita sinus totus ad sinum basis.
spher.

22. sinuum. Sed ut sinus anguli dati ad sinum lat. dati: Ita secans compl. ad secantem compl.
anguli dati.

ss. quinti. Ergo ut secans compl. ad secantem compl. Ita sinus totus ad sinum basis.
lat. dati anguli dati:

Permutando. 5. Ergo ut secans compl. lat. dati ad sinum totum: Ita secans compl. ad sinum basis.
anguli dati

3. modus. Ut sinus lat. dati ad sinum totum: Ita sinus ang. dati ad secantem compl.
basis.

Permutando. Ergo ut sinus lat. dati ad sinum ang. dati Ita sinus totus ad secantem compl.
basis.

22. sinuum. Sed ut sinus lat. dati ad sinum anguli dati: Ita secans compl. ad secantem compl.
lat. dati

Ergo

- Ergo ut secans cōpl. ad secantē compl. Ita sinus totus ad secantem compl. ba ^{si.} 11. quinti.
 anguli dati lat. dati.
6. Ergo ut secans ad sinum totum : Ita secans compl. ad secantem compl. Permutādo.
 cōpl. ang. dati lat. dati basis.
-

X V. B A S I S

Ex utroque latere, quorum alterutrum statuatur primum,
 & alterum secundum.

1. Ut sinus totus ad sinum compl. 1. lateris:	Ita sinus compl. 2. lateris	ad sinum compl. basis.	43. triang. spher.
Sed ut sinus totus ad sinum compl. 1. lateris:	Ita secans 1. lateris	ad sinum totum.	18. sinuum.
2. Ergo ut secans ad sinum totum : Ita sinus compl. 2. lateris	ad sinum compl. basis.	11. quinti.	ba si.
Vt sinus totus ad sinum compl. 1. lateris:	Ita sinus compl. 2. lat.	ad sinum compl. basis.	43. triang. spher.
Ergo ut sinus totus ad sinum compl. 2. lateris:	Ita sinus compl. 1. lat.	ad sinum compl. basis.	Permutādo.
Sed ut sinus totus ad sinum compl. 2. lateris:	Ita secans 2. lateris	ad sinum totum.	18. sinuum.
3. Ergo ut secans ad sinum totum : Ita sinus compl. 1. lateris	ad sinum compl. basis.	11. quinti.	ba si.
Vt sinus totus ad sinum compl. 1. lateris:	Ita sinus compl. 2. lat.	ad sinum compl. basis.	43. triang. spher.
Sed ut sinus compl. 2. lateris:	Ita secans basis	ad secantem 2. lat.	18. sinuum.
Ergo ut sinus totus ad sinum compl. 1. lateris:	Ita secans basis	ad secantem 2. lat.	11. quinti.
4. Ergo ut sinus cōpl. 1. lateris ad sinum totum : Ita secans 2. lat.	ad secantem basis.	Cōvertendo.	
Sed ut sinus compl. 1. lateris ad sinum totum:	Ita sinus totus	ad secantem 1. lateris.	18. sinuum.
5. Ergo ut sinus totus ad secantem 1. lat. teris:	Ita secans 2. lat.	ad secantem basis.	11. quinti.
Vt sinus totus ad sinum compl. 1. lateris:	Ita sinus compl. 2. lat.	ad sinum compl. basis.	43. triang. spher.
Ergo ut sinus totus ad sinum compl. 2. lateris:	Ita sinus compl. 1. lat.	ad sinum compl. basis.	Permutādo.

Sed

28. *sinuum.* Sed ut sinus comp. ad sinum compl. b3 Ita secans basis ad secantem 1. lat.
1. lat. sis:
28. *quinti.* Ergo ut sinus torus ad sinum compl. 2. Ita secans basis ad secantem 1. lat.
lateris:
Cōvertendo. Ergo ut sinus cōp. ad sinum totum: Ita secans 1. lat. ad secantem basis.
2. lateris
-

X V I. B A S I S

Ex utroque angulo non recto, Qisorum alteruter statuatur
primus, & alter secundus.

30. <i>triang.</i> sphar.	1. Ut sinus torus ad tangēns cōpl. 1. anguli.	Ita tangēns cōpl. 2. anguli	ad sinum cōpl. basis:
28. <i>sinuum.</i> Sed ut sinus torus ad tangēns compl. 1. anguli:	Ita tangēns 1. ang.	ad sinum torum.	
21. <i>quinti.</i> 2. Ergo ut tangēns ad sinum torum: Ita tangēns compl. 1. anguli 2. anguli			ad sinum compl. basis.
30. <i>triang.</i> sphar.	3. Ut sinus torus ad tang. compl. 1. anguli:	Ita tangēns compl. 2. anguli	ad sinum compl. basis:
Permūtādo. Ergo ut sinus torus ad tang. compl. 2. anguli:	Ita tangēns compl. 1. anguli		ad sinum compl. basis:
28. <i>sinuum.</i> Sed ut sinus torus ad sinum compl. basis:	Ita secans basis	ad sinum torum.	
21. <i>quinti.</i> Ergo ut tangēns 1. anguli:	Ita secans basis	ad sinum torum.	
Cōvertendo. Ergo ut tang. compl. ad tangēns 1. ang. 2. anguli:	Ita sinus torus		ad secantem basis.
Permūtādo. 4. Ergo ut tangēns ad sinum torum: Ita tangēns 1. ang. cōpl. 2. anguli			ad secantem basis.
3. <i>modus.</i> Ut tangēns 2. ang. ad sinum torum:	Ita tangēns compl. 1. anguli	ad sinum compl. basis.	
Permūtādo. Ergo ut tangēns 2. anguli:	Ita sinus torus	ad sinum compl. basis.	
28. <i>sinuum.</i> Sed ut sinus torus ad sinum compl. basis:	Ita secans basis	ad sinum torum.	
21. <i>quinti.</i> Ergo ut tangēns 2. anguli:	Ita secans basis	ad sinum torum.	
Cōvertendo. Ergo ut tang. compl. ad tangēns 2. ang. 1. anguli:	Ita sinus torus		ad secantem basis.
Permūtādo. 4. Ergo ut tangēns ad sinum torum: Ita tangēns 2. ang. cōpl. 1. anguli			ad secantem basis.
3. <i>modus.</i> Ut tangēns 1. ang. ad sinum torum:	Ita tangēns compl. 2. anguli	ad sinum compl. basis.	
Permūtādo. Ergo ut tangēns 1. anguli:	Ita sinus torus	ad sinum compl. basis.	

Sed

L E M M A L III.

249

Sed ut sinus totus	ad sinum compl.	Ita secans basis	ad sinum totum.	18. sinuum.
basis:				
Ergo ut tangens 2.	ad tang. compl. 1.	Ita secans basis	ad sinum totum.	11. quinti.
anguli:	anguli.			
Ergo ut tang. compl.	ad tangentem 2.	Ita sinus totus	ad secantem basis.	Cōuer:endo.
1. anguli.	anguli:			
3. Ergo ut tang.	ad sinum totum:	Ita tangens 2. ang.	ad secantem basis:	Permutāde.
	compl. 1. ang.			
Vt tang. compl. 2.	ad sinum totum:	Ita tang. 1. ang.	ad secantem basis.	4. mo:us.
anguli:				
Sed ut tang. compl.	ad sinum totum:	Ita sinus totus	ad tangentem 2. ang.	18. sinuum.
2. anguli				
6. Ergo ut sinus	ad tang. 2. anguli:	Ita tangens 1. an	ad secantem basis.	11. quinti.
totus	guli			

H I S ita demonstratis, ut expeditius in triangulo spharico rectangulo inueniatur quod queritur. Et ante oculos tota operatio regulare proportionum posita sit, digestimus hoc loco in ordinem sex decim problemata proxime demonstrata, ita ut quolibet eorum sex modis posse absoluiri, in quibus quidem omnibus sinus totus rep. ritur vel in primo loco regule, vel in secundo. Ordo ergo hic est.

I N T R I A N G V L O

spharico rectangulo hisce omnibus modis
inveniari potest

I.
Problema.

F. A N G V L V S

Ex base, & latere, quod angulo quaesito opponitur.

Vt sinus totus	ad sinum basis:	Ita secans compl. la	ad secantem compl.
		taris	anguli.
Vt sinus totus	ad sinum lateris:	Ita secans compl.	ad sinum anguli.
		basis	
Vt sinus basis	ad sinum totum:	Ita sinus lateris	ad sinum anguli.
Vt secans compl. la	ad sinum totum:	Ita secans compl.	ad sinum anguli.
teris		basis	
Vt secans compl. ba	ad sinum totum:	Ita secans compl.	ad secan. compl. anga
sis		lateris	
Vt sinus lateris	ad sinum totum:	Ita sinus basis	ad secantem compl.
			anguli.

C.

Inuentus angulus erit acutus, si datum latus fuerit quadrante minus: obtusus autem, si maius.

ii

ii

II. A N-

II.
Problema.

III. A N G V I V S
Ex base, & latere, quod angulo quæsito adiacet.

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad tangentem cōpl. basis:</i>	<i>Ita tangens lateris</i>	<i>ad finum compl. ang.</i>
<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad tangentem compl. lateris:</i>	<i>Ita tangens basis</i>	<i>ad secantem anguli.</i>
<i>Vt tangens basis</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita tangens lateris</i>	<i>ad finum compl. anguli.</i>
<i>Vt tangens compl. laseris</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita tangens compl. basis</i>	<i>ad finum compl. ang.</i>
<i>Vt tangens compl. basis</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita tangens compl. lateris</i>	<i>ad secantem anguli.</i>
<i>Vt tangens lateris</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita tangens basis</i>	<i>ad secantem anguli.</i>

Inuentus angulus erit acutus, si tam basis, quam latus datum quadrante maius fuerit, aut minus: obtusus vero, si alterutrum datorum fuerit quadrante maius, & alterum minus.

III.
Problema.

III. A N G V L V S
Ex base, & altero angulo non recto.

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad finum compl. ba- sis:</i>	<i>Ita tangens anguli dati</i>	<i>ad tang. compl. ang. queſiti.</i>
<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad secantem basis:</i>	<i>Ita tang. compl. an- guli dari</i>	<i>ad tangentem ang. queſitus.</i>
<i>Vt secans basis</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita tangens anguli dari</i>	<i>ad tang. compl. ang. queſitus.</i>
<i>Vt tang. compl. an- guli dari</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita sinus compl. ba- sis</i>	<i>ad tang. compl. ang. queſiti.</i>
<i>Vt tangens anguli dati</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita secans basis</i>	<i>ad tang. ang. queſitus.</i>
<i>Vt sinus compl. ba- sis</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita tang. compl. an- guli dati</i>	<i>ad tang. ang. queſiti.</i>

Inuentus angulus erit acutus, si basis fuerit minor quadrante, & datus angulus acutus; aut si basis fuerit quadrante maior, & angulus datus obtusus: Idem vero angulus erit obtusus, si basis quadrante minor fuerit, & angulus datus obtusus, aut si basis fuerit maior quadrante, & datus angulus acutus.

IV.
Problema.

III. A N G V L V S
Ex latere, quod angulo quæsito opponit, & altero angulo non recto.

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad finum ang. dati:</i>	<i>Ita sinus compl. la- teris</i>	<i>ad finum compl. ang. queſiti.</i>
-----------------------	----------------------------	-----------------------------------	--------------------------------------

V8

L E M M A L I I I .

251

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad secantē compl.</i>	<i>Ita secans lateris</i>	<i>ad secantē ang. quæ sit.</i>
	<i>anguli dati:</i>		
<i>Vt sinus ang. dati</i>	<i>ad finum totum :</i>	<i>Ita secans lateris</i>	<i>ad secantē anguli</i>
			<i>quæ sit.</i>
<i>Vt sinus compl. lat.</i>	<i>ad finum totum :</i>	<i>Ita secans compl.</i>	<i>ad secantē ang. quæ sit.</i>
		<i>anguli dati</i>	
<i>Vt secans compl. an.</i>	<i>ad finum totum :</i>	<i>Ita sinus compl. la-</i>	<i>ad finum compl. ang.</i>
<i>guli dati</i>		<i>teris</i>	<i>quæ sit.</i>
<i>Vt secans lateris</i>	<i>ad finum totum :</i>	<i>Ita sinus ang. dati</i>	<i>ad finum compl. anguli</i>
			<i>quæ sit.</i>

Invenitus angulus erit acutus, si latus datum fuerit quadrante minus: obtusus vero, si maius.

V. A N G V L V S

v.

Ex larere, quod angulo quæsito adiacet, & altero angulo non recto: *Problema.*
dummodo constet, num quæsusitus angulus maior sit recto, an mi-
nor: vel an basis, aut latus alterum non datum
quadrante maius sit, minusve.

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad secantē lat.</i>	<i>Ita sinus compl. an</i>	<i>ad finum ang. quæ sit.</i>
		<i>guli dati</i>	
<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad secantē ang. dati:</i>	<i>Ita sinus compl. la-</i>	<i>ad secantē compl. ang.</i>
		<i>teris</i>	<i>quæ sit.</i>
<i>Vt sinus compl. lat.</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita sinus compl. an</i>	<i>ad finum ang. quæ sit.</i>
		<i>guli dati</i>	
<i>Vt sinus compl. ang.</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita sinus compl. lat.</i>	<i>ad secantē compl. ang.</i>
<i>dati</i>			<i>quæ sit.</i>
<i>Vt secans lateris</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita secans anguli</i>	<i>ad secantē compl. ang.</i>
		<i>dati</i>	<i>quæ sit.</i>
<i>Vt secans anguli</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita secans lateris</i>	<i>ad finum ang. quæ sit.</i>
		<i>dati</i>	

Invenitus angulus erit acutus, (nisi aliunde constet,) si alterum latus non da-
tum fuerit quadrante minus; obtusus vero, si maius. Parte ratione, si basis fuerit
minor quadrante, & datus angulus acutus; vel si basis maior fuerit quadrante, &
datus angulus obtusus; invenitus angulus acutus erit: Si vero basis fuerit qua-
drante minor, & datus angulus obtusus; vel si basis quadrante maior fuerit, &
datus angulus acutus; invenitus angulus obtusus erit.

VI. A N G V L V S

Ex utroque latere circa angulum rectum.

VI.
Problema.

<i>Vt sinus scincus</i>	<i>ad finū lat. adiacē-</i>	<i>Ita tang. compl. lat.</i>	<i>ad tang. compl. ang.</i>
	<i>tis ang. quæ sit:</i>	<i>opp. ang. quæ sit</i>	<i>quæ sit.</i>

Ii 2 Vt sinus

<i>Vt sinus torus</i>	<i>ad sec. cōpl. lat. ad-</i> <i>īc. ang. quæfīo:</i>	<i>Ita tang. lat. oppos.</i> <i>ang. quæfīo</i>	<i>ad tang. ang. quæfīo</i>
<i>Vt sinus lat. adiac.</i>	<i>ad sinum totum;</i> <i>ang. quæfīo</i>	<i>Ita tang. lat. oppos.</i> <i>ang. quæfīo</i>	<i>ad tang. ang. quæfīo</i>
<i>Vt tang. lat. oppos.</i>	<i>ad sinum totum;</i> <i>ang. quæfīo</i>	<i>Ita sinus lat. adiac.</i> <i>ang. quæfīo</i>	<i>ad tang. compl. ang.</i> <i>quæfīo</i>
<i>Vt secans cōpl. lat.</i>	<i>ad sinum totum;</i> <i>adiac. ang. q̄fīo</i>	<i>Ita tang. cōpl. lat.</i> <i>opp. ang. q̄fīo</i>	<i>ad tang. compl. angulū</i> <i>quæfīo</i>
<i>Vt tang. cōpl. lat. opp.</i>	<i>ad sinum totum;</i> <i>ang. quæfīo</i>	<i>Ita sec. cōpl. lat. ad-</i> <i>īc. ang. quæfīo</i>	<i>ad tang. ang. quæfīo</i>

Inuentus angulus erit acutus, si datum latus quæfīo angulo oppositū fuit minus quadrante: obtusus vero, si maius.

VII.
Problema.

VII. LATVS
Ex base, & altero latere.

<i>Vt sinus torus</i>	<i>ad secantem lateris dati:</i>	<i>Ita sinus compl. ba sis</i>	<i>ad sinum compl. lat.</i> <i>quefīo</i>
<i>Vt sinus torus</i>	<i>ad secantem basis:</i>	<i>Ita sinus compl. lat.</i> <i>dati</i>	<i>ad secantem lateris</i> <i>quefīo</i>
<i>Vt sinus compl. lat.</i>	<i>ad sinum totum;</i> <i>dati</i>	<i>Ita sinus compl. ba sis</i>	<i>ad sinum compl. lat.</i> <i>quefīo</i>
<i>Vt sinus compl. ba sis</i>	<i>ad sinum totum:</i> <i>dati</i>	<i>Ita sinus compl. lat.</i> <i>dati</i>	<i>ad secantem lateris quefīo</i>
<i>Vt secans basis</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita secans lat. dati</i>	<i>ad sinum compl. lat.</i> <i>quefīo</i>
<i>Vt secans lat. dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita secans basis</i>	<i>ad secantem lateris quefīo</i>

Inuentum latus erit minus quadrante, si tam basis, quam latus datum quadrante, minus fuerit: maius vero quadrante, si vel basis fuerit maior, & latus datum minus quadrante, vel basis minor, & datum latus quadrante malus.

VIII.
Problema.

VIII. LATVS
Exbase, & angulo, qui lateri quæfīo opponitur.

<i>Vt sinus torus</i>	<i>ad sinum basis:</i>	<i>Ita sinus anguli dati</i>	<i>ad sinum lat. quefīo</i>
<i>Vt sinus torus</i>	<i>ad secan. compl. ba sis</i>	<i>Ita secans compl. ang. dati</i>	<i>ad secan. compl. lat. quefīo</i>
<i>Vt sinus basis</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita secans compl. ang. dati</i>	<i>ad secan. compl. lat. quefīo</i>
			<i>Vt secans</i>

<i>Vt secans compl. ba ad finum totum:</i>	<i>Ita sinus anguli da ad finum lateris quafisi.</i>
<i>Vt secans compl. an ad finum totum:</i>	<i>Ita sinus basis ad finum lat. quafisi.</i>
<i>Vt sinus ang. dati ad finum totum:</i>	<i>Ita secus compl. ad secans compl. lat. basis quafisi.</i>

Inuentum latus quadrante erit minus, si datus angulus ei oppositus fuerit acutus; maius vero, si obtusus.

IX. L A T V S

Ex base, & angulo, qui lateti quafiso adiacet.

IX.
Problemata

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad finum compl. an</i>	<i>Ita tangens basis</i>	<i>ad tang. lat. quafisi.</i>
	<i>guli dati:</i>		
<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad secantem anguli dati.</i>	<i>Ita tangens compl. basis</i>	<i>ad tang. compl. lat. quafisi;</i>
<i>Vt secans ang. dati</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita tangens basis</i>	<i>ad tangentem lateris quafisi.</i>
<i>Vt sinus compl. ang. dati</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita tangens compl. basis</i>	<i>ad tang. compl. lat. quafisi.</i>
<i>Vt tangens basis</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita secans anguli dati</i>	<i>ad tang. compl. lat. quafisi.</i>
<i>Vt tangens compl. basis</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita sinus compl. an guli dati</i>	<i>ad tangentem lateris quafisi.</i>

Inuentum latus quadrante minus erit, si basis minor fuerit quadrante, & datus angulus acutus; aut si basis fuerit quadrante maior, & datus angulus obtusus; maius vero quadrante, si basis quadrante minor fuerit, & datus angulus obtusus; que si basis fuerit maior quadrante, & datus angulus acutus.

X. L A T V S

Ex altero latere, & angulo, qui quafiso lateri adiacet: Si modo
 constet, num quafisitum latus sit quadrante maius, an mi-
 nus; vel an alter angulus non rectus non datus sit
 acutus, obtususque; vel denique num ba-
 sis sit quadrante maior,
 aut minor.

X.
Problemata

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad tangentem compl. ang. dati:</i>	<i>Ita tangens lateris dati</i>	<i>ad finum lat. quafisi.</i>
			<i>Vt sinus</i>

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad tang. compl. has.</i>	<i>Ita tangens ang.</i>	<i>ad secantem compl. lat.</i>
	<i>dati:</i>	<i>dati</i>	<i>quæfisi.</i>
<i>Vt tangens ang. dati</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita tangens lateris</i>	<i>ad finum lat. quæfisi.</i>
		<i>dati</i>	
<i>Vt tang. compl. lat.</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita tang. compl. an-</i>	<i>ad finum lat. quæfisi.</i>
	<i>dati</i>	<i>guli dati</i>	
<i>Vt tang. lat. dati</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita tang. ang. dati</i>	<i>ad secan. compl. lat.</i>
			<i>quæfisi.</i>
<i>Vt tang. compl. ang.</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita tang. compl. lat.</i>	<i>ad secan. compl. lat.</i>
	<i>dati</i>	<i>dati</i>	<i>quæfisi.</i>

Inuentum latus quadrante erit minus, (nisi aliunde constet) si angulus ei oppositus, & non datus fuerit acutus; maius vero, si obtusus. Parte ratione minus erit, si basis minor fuerit quadrante, & latus datum minus quoque quadrante; et si basis fuerit minor quadrante, & datum latus meius, inuentum latus erit quadrante maius. Denique si tam basis, quam latus datum fuerit quadrante maius, erit inuentum latus minus quadrante, maius autem, si basis maior fuerit quadrante, & datum latus, minus.

X I. Problema.

X I. L A T V S Ex altero latere, & angulo, qui lateri quæfiso opponitur.

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad finum lateris</i>	<i>Ita tangens anguli</i>	<i>ad tang. lat. quæfisi.</i>
	<i>dati:</i>	<i>dati</i>	
<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad secan. compl. lat.</i>	<i>Ita tang. compl. an-</i>	<i>ad tang. compl. lat.</i>
	<i>dati:</i>	<i>guli dati</i>	<i>quæfisi.</i>
<i>Vt sinus lat. dati</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita tang. compl. an-</i>	<i>ad tang. compl. lat.</i>
		<i>guli dati</i>	<i>quæfisi.</i>
<i>Vt secan. compl. la-</i>	<i>teris dati</i>	<i>Ita tang. ang. dati</i>	<i>ad tangentem lateris</i>
			<i>quæfisi.</i>
<i>Vt tang. compl. an-</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita sinus lat. dati</i>	<i>ad tang. lat. quæfisi.</i>
	<i>guli dati</i>		
<i>Vt tang. ang. dati</i>	<i>ad finum totum:</i>	<i>Ita secans compl.</i>	<i>ad tang. compl. lat.</i>
		<i>lat. dati.</i>	<i>quæfisi.</i>

Inuentum latus erit quadrante minus, si datus angulus ei oppositus fuerit acutus; maius vero, si obtusus.

X II. Problema.

X II. L A T V S Ex utroque angulo non recto.

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad sec. cōpl. ang. ad</i>	<i>Ita sinus cōpl. ang.</i>	<i>ad finum compl. lat.</i>
	<i>iac. lat. quæfisi.</i>	<i>opp. lat. quæfisi</i>	<i>quæfisi.</i>
<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad sec. eng. opp. lateri</i>	<i>Ita sinus ang. ad iac.</i>	<i>ad secantem lateris</i>
	<i>quæfisi.</i>	<i>cencis lat. quæfisi.</i>	<i>quæfisi.</i>

<i>Vt sinus ang. adiacē ad sinum totum:</i>	<i>Ita sinus cōpl. ang.</i>	<i>ad sinum compl. lat.</i>
<i>tis lat. quæfiso</i>	<i>opp. lat. quæfiso</i>	<i>quæfisi.</i>
<i>Vt sinus compl. ang. ad sinum totum:</i>	<i>Ita sinus ang. adiac.</i>	<i>ad secantem lateris</i>
<i>opp. lat. quæfiso.</i>	<i>lat. quæfiso</i>	<i>quæfisi.</i>
<i>Vt secans ang. opp. ad sinum totum:</i>	<i>Ita secans cōpl. ang.</i>	<i>ad sinum compl. lat.</i>
<i>lat. quæfiso</i>	<i>adiac. lat. quæfiso</i>	<i>quæfisi.</i>
<i>Vt sec. cōpl. ang. ad sinum totum:</i>	<i>Ita sec. ang. opp. lat.</i>	<i>ad secantem lateris</i>
<i>inc. lat. quæfiso</i>	<i>quæfiso</i>	<i>quæfisi.</i>

Inuentum latus erit quadrante minus, si datus angulus ei oppositus fuerit acutus: maius vero, si obtusus.

X I I I . B A S I S

Ex latere & angulo ei adiacente.

X I I I .
Problema.

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad sinum compl. an-</i>	<i>Ita tangens compl.</i>	<i>Ita tang. compl. basis.</i>
	<i>guli dati</i>	<i>lat. dati</i>	<i>lat. dati</i>
<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad secan. ang. dati:</i>	<i>Ita tangens lat.</i>	<i>ad tangentem basis.</i>
		<i>dati</i>	
<i>Vt sinus compl. an-</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita tang. lat. dati</i>	<i>ad tangentem basis.</i>
<i>guli dati</i>			
<i>Vt secans ang. dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita tang. compl. lat.</i>	<i>ad tangentem compl.</i>
		<i>dati</i>	<i>basis.</i>
<i>Vt tang. lat. dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sinus compl. an</i>	<i>ad tang. compl. basis.</i>
		<i>guli dati</i>	
<i>Vt tang. compl. lat.</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita secans ang. dati</i>	<i>ad tangentem basis.</i>
	<i>dati</i>		

Inuenta basis minor erit quadrante, si datum latus fuerit quadrante minus, & angulus datus ei adiacens, acutus; vel si datum latus fuerit maius quadrante, & datus angulus ei adiacens, obtusus: maior vero quadrante, si datum latus fuerit maius quadrante, & datus angulus ei adiacens, acutus; vel si datum latus fuerit quadrante minus, & angulus datus, obtusus.

X I I I .
Problema.

X I I I I . B A S I S

Ex latere, & angulo ei opposito: Si modo constet, num basis quadrante maior sit, vel minor: Aut an alter angulus non datum sit acutus: obtusus: Aut denique num alterum latus non datum, minus sit quadrante, an maius.

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad secantem compl.</i>	<i>Ita sinus lat. dati</i>	<i>ad sinum basis.</i>
	<i>ang. dati:</i>		
<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad sec. compl. lat.</i>	<i>Ita sinus ang. dati</i>	<i>ad secan. compl. basis.</i>
	<i>dati:</i>		
<i>Vt sinus ang. dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sinus lat. dati</i>	<i>ad sinum basis.</i>

$\forall t$ sinus lat. dati ad sinum totum:	Ita sinus anguli ad secantam compl. dati basis.
$\forall t$ secans compl. lat. ad sinum totum:	Ita secans compl. ad sinum basis.
$\forall t$ secans compl. ang. dati ad sinum totum:	Ita secans compl. ad secans compl. basis. lat. dati

Inuenta basis quadrante minor erit (nisi aliunde constet) si uterque angulorum non rectorum fuerit acutus, vel obtusus; vel si utrumque laterum fuerit quadrante minus, vel maius: Eadem vero basis inuenta maior erit quadrante, si alteruter angulorum non rectorum fuerit acutus, & alter obtusus; vel alterutus laterum fuerit quadrante minus, & alterum maius.

XV. BASIS

XV.

Problema.

Ex utroque latere: quorum alterutrum statuatur primus,
& alterum secundum.

$\forall t$ sinus totus ad sinum compl. 1.	Ita sinus compl. 2. ad sinum compl. basis.
$\forall t$ sinus totus ad secantem 1.	Ita secans 2. lat. ad secantem basis.
$\forall t$ secans 1. lat. ad sinum totum:	Ita sinus compl. 2. ad sinum compl. basis.
$\forall t$ secans 2. lat. ad sinum totum:	Ita sinus compl. 1. ad sinum compl. basis.
$\forall t$ sinus compl. 1. ad sinum totum:	Ita secans 2. lateris ad secantem basis.
$\forall t$ sinus compl. 2. ad sinum totum:	Ita secans 1. lat. ad secantem basis.

Inuenta basis erit quadrante minor, si utrumque latns fuerit quadrante minus, vel maius: major vero, si alterutrum laterum fuerit minus quadrante, & alterum maius.

XVI. BASIS

XVI.

Problema.

Ex utroque angulo non recto: Quorum alterutrum statuatur primus, & alter secundus.

$\forall t$ sinus totus ad tang. compl. 1. anguli:	Ita tangens compl. 2. anguli ad sinum compl. basis.
$\forall t$ sinus totus ad tang. 2. anguli:	Ita tangens 1. anguli ad secantem basis.

- Ut tangens

- | | | | |
|---------------------------|-------------------------|----------------------------|-------------------------------|
| <i>Vt tangens 1. ang.</i> | <i>ad sinum totum :</i> | <i>Ita tang. compl. 2.</i> | <i>ad sinum compl. basis.</i> |
| <i>Vt tangens 2. ang.</i> | <i>ad sinum totum :</i> | <i>Ita tang. compl. 1.</i> | <i>ad sinum compl. basis.</i> |
| <i>Vt tang. compl. 2.</i> | <i>ad sinum totum :</i> | <i>Ita sang. 1. anguli</i> | <i>ad secantem basis.</i> |
| <i>Vt tang. compl. 1.</i> | <i>ad sinum totum :</i> | <i>Ita tangens 2. ang.</i> | <i>ad secantem basis.</i> |

Inuenta basis quadrante minor erit, si vterque angulorum non rectorum fuerit acutus, vel obtusus: maior vero, si alteruter angulorum non rectorum fuerit acutus, & alter obtusus.

TRIANGVLORVM SPHAERICORVM
obliquangulorum calculus.

17. DATO aggregato duorum arcuum vel angulorum, quod semicirculo minus sit, una cum proportione, quam eorundem sinus habent, utrumque illorum efficere notum.

XVII. Problema.

T E R M I N I proportionis data, si sinus non sunt, ad sinus reducantur per utriusque multiplicationem per 10.100.1000.10000.100000.1000000. ita ut maior terminus habeat tot figuræ, quæ continentur in maioribus sinusibus in tabula Suum. Ita enim hi sinus eandem proportionem habebunt, quam termini priores proportionis datae. 17. vel 8. septimi.

Vt sinus totus ad secan. comple-
mēti maioris ar-
cus seruati, qui
nimisū semissi
summe termino
rum respōdet :

Deinde.

Vt sinus totus ad tangentem semis aggregata ei arcuum vel angulorum: Ita quartus inuenit ad tangentem differentiæ inter semisem aggregati arcuum, vel angulo rū, & alterutrum arcuū quæsitorū.

H V I V S tangens inuenta arcus ad semissim aggregatis arcum, vel angulcrum additus conficit maiorem arcum, vel angulum quifum: ex eundem vero semisse sub.

du^{tus} minorum arcum, vel angulum quæsumum relinquit. Duplici autem illa operatione: reperi tangentem dicta differentia, ita perspicuum fiet. Quoniam, ut propos. 6. triang. rectil. demonstravimus, est ut semissis aggregati terminorum data proportionis (ad sinus revocatorum) ad tangentem semissis aggregati arcum, ita differentia inter semissim summa terminorum data proportionis. Et alterutrum terminorum, ad tangentem differentia inter semissim aggregati arcum, & alterutrum arcum quæsumorum; erit quoque permutando, ut semissis aggr. term. ad diff. dictam, ita tangens semissis aggr. arcum ad tang. diff. arcum. Sed ut semissis aggr. term. ad sinum totum, ita est diff. dicta ad alium quartum numerum: Et permutando, ut semissis aggr. term. ad dictam diff. ita sinus totus ad quartum illum numerum. Igitur erit etiam, ut sinus totus ad quartum, ita tangens semissis aggr. arcum ad tangentem diff. arcum: Et permutando, ut sinus totus ad tangentem semissis aggr. arcum, ita quartus ad tangentem diff. arcum, ut in secundo exemplo regula proportionum dicebamus. Producit autem quartum illum numerum eo modo, qui in primo exemplo expressus est, ita manifestum erit. Quoniam est, ut semissis aggr. term. ad sinum totum, ita diff. supra dicta ad illum quartum, ut paulo ante diximus; ^a Est autem ut semissis aggr. term. seu sinus, ad sinus totum, ita sinus totus ad secantem complementi arcus, qui illi semissis, ut sinus debetur: id quod etiam supra ostendimus in Prostaphorosi Num. 6. Erit quoque, ut sinus totus ad secantem complementi arcus, qui semissi aggr. term. ut sinus totus debetur, ita diff. praedicta ad quartum, ut in primo exemplo regula aurea possumus est.

b 6. triang. rectil.
a 18. sinuū.

V E R V M tangens diff. inter semissim agg. arcum, & alterutrum arcum quæsumorum, inuenietur quoque per unam operationem, sine tamen sinu toto. ^b Est enim

Ut semissis aggre ad tangentē semis date ^c proporeio nis	Ita diff. inter semis sis aggregati ar- cūm:	Ita diff. inter semis sis aggregati ter- minorum, & al- terutrum termi- norū arcum.
--	--	---

XVIII.
Problema.

18. DATO aggregato duorum arcum, quorum singuli semicirculo sint minores, vel duorum angulorum, quod semicirculo maius sit, vna cū proportione sinus eorum, vtrumque notum efficere,

D E T R A C T O hoc aggregato ex uno circulo, supereris aliud aggregatum arcū semicirculo minus, cum eadem proportione data, ut propos. 6. triang. rectil. dictum est. Si igitur huius aggregati uterque arcus, vel angulus inveniatur, ut in precedenti problema 17. tradidimus, & inuenitus uterque ex semicirculo tollatur, non ircliqueretur quæsumi duo arcus, vel anguli aggregatum semicirculo maius datum constantes.

Q U O D si quando accidas, datam proportionem esse qualitatatis, erune quoque duo arcus, vel anguli datum aggregatum conficientes aequales. Quare semissis dati aggregati vtrumque arcum, vel angulum quæsumum dabit.

S I vero datum aggregatum semicirculo fuerit aequalis, problema solvi non poserit, ut in scholio propos. 6. triang. rectil. ostendimus.

XIX.
Problema.

19. DAT A differentia duorum arcum, quorum singuli semicirculo sint minores, vel duorum angulorum, vna cum proportione, quam eorum sinus habent, vtrumque seorsum cognoscere.

S V B T R A C T A

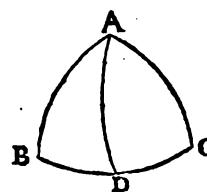
S V B T R A C T A differentia data ex semicirculo, sumatur reliquus arcus, tanquam aggregatum duorum arcum, & eius uterque arcus per datam proportionem (hec enim eadem permanet, ut in propos. 7. triang. rectil. dictum est.) eruantur ex problemate 17. Minor enim inuenitus, si data proportio est maioris inqualitatis, hoc est, si sinus majoris arcus maior est, & minoris minor, (quod quidem accidit, quando duo arcus semicirculo minores sunt.) erit quiescitorum minor arcus; maior vero inuenitus ex semicirculo subductus maiorem arcum quiescitur relinquit. Si vero data proportio est minoris inqualitatis, hoc est, si sinus majoris arcus minor est, si sine arcus minoris, (quod accidit, quando duo arcus semicirculum superant.) minor arcus inuenitus ex semicirculo deceptus relinquit maiorem arcum quiescitur; maior vero ex semicirculo ablatus minorum arcum quiescitur relinquit.

Q V O D si data propnrio fuerit equalitatis, quod quidem evenit, quando duo arcus semicirculum conficiunt, detrahemus differentiam ex semicirculo. Reliqui enim numeri semiſiſis dabu minorum arcum quiescitur, eadem vero ſemiſiſis, si data differentia adiiciatur, maiorem arcum quiescitur conficeret.

Q V A N D O datur aggregatum vel differentia duorum angularum unum angulum spharicum conficiunt, vel in aliquo triangulo rectilineo existentium, conficeretur arcus illorum angularum ſemper aggregatum semicirculo minus, ac proinde adhibendum erit ſolum problema 17. precedens, vel prima pars huius problematis 18.

20. DATIS tribus angulis trianguli spharici obliquanguli, XX.
Problema.
tria latera inuestigare.

A V T in triangulo ABC, omnes tres anguli sunt aequales, aut duo tantum, aut omnes tres inaequales. Sint primum omnes tres anguli, vel duo B, C, duntaxat aequales, & eruntque idcirco & latera AB, AC, eis oppofita aequalia, anguliquez B, C, vel acutis a g. triang. sphar. vel obtusi. Si igitur ex tertio angulo A, in latus oppofiti BC, duobus equalibus angulis adiacens, arcus perpendicularis intelligatur demiflissus AD, cadet is intra triangulum, diuidetque & latus BC, & angulum BAC, bisariam. Quoniam enim triangula ABD, ACD, rectangula habent angulos B, C, aequales, & latera AB, AC, rectis angulis ad D, oppofita, equalia; eruntque tam latera BD, CD, quam anguli ad A, aequales: ac proinde cum rotus angulus ad A, datum sit, dabuntur etiam eius ſemiſiſes BAD, CAD. Quia igitur in triangulo rectangulo ABD, duo anguli non recti cognitiſſunt B, & BAD, nota fiet quoque basis AB, ^d Eſt enim,



b 57. triang. sphar.

c 21. triang. sphar.

d 16. probl.

Vt sinus totus ad tangentē compl. Ita tangens cōpl. ad ſinum compl. basiſ ſiſis AB, &c.

Hinc etiam cognitum erit latus AC, ipſi AB, aequalē: Immo & tertium latus BC, ſi omnes tres anguli in triangulo ABC, dati ſint aequalē, datum erit, quod tūc omnia tria latera ſint aequalia, ut diximus, ac proinde uno inuenito, reliqua nota etiam erunt. Si vero ſolum duos anguli B, & C, aequalē ſint, reperietur BD, ſemiſiſis lateris BC, ex eisdem angulis non rectis B, BAD, cognitiſſ. Eſt enim,

e 12. probl.

Vt sinus totus

ad secantē compl. Ita sinus cōpl. ang. ad sinum compl.
ang. B, lat. quēsi BAD, lat. quāli lat. BD, quēsi
to BD, adiac. to BD, oppositi &c.

Si ergo latus BD, duplicetur, notum fiet totum latus BC.

*S I N T deinde omnes tres anguli inaequales, atque adeo duo sicutem acuti, vel obtusū
a 57. triang. si, cuiusmodi u.g. sint B, & C. Demissus igitur ex tertio angulo A, in latus BC, duobus
sphar. acutis, vel obtusis angulis adiacens, arcus perpendicularis AD, intra triangulum ca-
b61. triang. det: b Eritque .
sphar.*

Vt sinus compl. ad sinum compl. Ita sinus anguli ad sinum ang. CAD,
anguli B, ang. C: BAD,

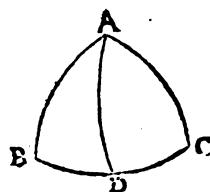
*Igitur proportio, quam sinus angulorum BAD, CAD, habens, nota erit, cuius ter-
mini erunt sinus compl. angulorum B, & C. Sumatur semis: sis aggregati horum sinuum,
& differēta inter eam semissem, & alterutrum sinuum compl. ang. B, C. Erit ergo, ut
in problemate 17. demonstrauimus,*

Vt sinus totus ad secan. compl. Ita prædicta diff. ad quartum alium
arcus, qui di- inter illam se- numerum .
ct̄x semissi de missem, & al-
betur, vt sinui: terutrum sinuū
cōpl. ang. B, C.

Deinde

Vt sinus totus ad tang. semissis Ita quartus inuen ad tang. differentię
anguli BAC, tā tus iner semissem
quam aggregati anguli BAC, &
angulū BAD, alterutrum ang.
CAD: BAD, CAD.

*Arcus igitur huius tangentis inuenta additus semissi anguli BAC, conficit angulum
maiorē A, & ablatus ex eadem semisse relinquet minorem. Ille cutem angulus A,
maior erit, qui respondet maiori sinui compl. ang. B, &
C: adeo ut si sinus compl. ang. B, maior fuerit sinuū cōpl.
ang. C, angulus BAD, maior sit angulo CAD, &c.*



Atque ita nota facta sunt omnia tria latera.

XXI.
Problema.

21. DATIS tribus lateribus trianguli sphærici obliquanguli,
quemlibet angulorum indagare.

*S I T in superiore triangulo notorum laterum inuestigandus angulus BAC, sicutq;
primum duo latera AB, AC, cum ambientia, inaequalia. Ita ergo angulum BAC, in-
ueſtigabimus .*

L E M M A L I I I .

263

Vt sinus totus	ad sinum maioris lateris dati :	Ita sinus minoris lateris dati	ad quartum	schol. 2. sph. triang. spher.
<i>Deinde</i>				
Vt quartus inuen- tus	ad sinum totum :	Ita diff. inter sinū versū arcus quæ sito ang. oppos. & sinum versum arcus, quo duo la- tera angulū quæ suum ambiētia inter se differunt.	ad sinum versum an- guli quæsuti.	

SINT deinde duo latera AB, AC, quæsumus angulum ambientia, aequalia. De- a 21. triang.
missus ergo ex angulo quæsito arcus perpendicularis AD, secabis & angulum quæsiti, sphér.
& latns o: positum BC, bisariam, ut in precedenti problemate ostendimus. Et quia in
*triangulo rectangulo BAD, basis AB, nota est, cum latero BD, (Est enim semidis lata-
ris BC, notr.) quod angulus BAD, opponitur, cognoscetur angulus BAD, ex problema-
te 1. ac proinde & totus angulus quæsusus BAC, cum illius duplus sit, cognitus erit.*

22. DATIS in triangulo sphærico obliquangulo duobus la-
teribus, cum angulo ab ipsis comprehenso, reliquum latus cum re-
liquis duobus angulis, inquirere.

XXII.
Problema.

*SINT in eodem superiori triangulo data duo latera AB, AC, cum angulo BAC,
primum in aequalia : ex quibus ita reliqua venabimur.*

Vt sinus totus	ad sinum maioris lat. dati:	Ita sinus minoris lat. dati	ad quartum.	schol. 2. sph. triang. spher.
<i>Deinde</i>				
Vt sinus totus	ad quartum :	Ita sinus versus ang. dati	ad diff. inter sinum versum tertii late- ris quæsuti, & sinū versū arcus, quo duo latera data inter se differunt.	

*Hac differentia ad sinum versus arcus, quo duo latera data inter se differunt, adio-
cta, conficit sinus versus tertij lateris quæsiti, ex quo ipsum latus tertium cognosce-
tur. Acque ita cognita iam erunt omnia tria latera trianguli ABC ; ideoque uterque
reliquorum angulorum B, C, notus fiet, ut in antecedente problemate traditū est.*

*SINT deinde duo latera AB, AC, aequalia. Demissus ergo ex angulo dato BAC,
arcus perpendicularis AD, secabis & datum angulum BAC, & quæsumus latus BC,
bisariam, ut dictum est. Et quia in triangulo rectangulo BAD, basis AB, cum angulo
BAD, qui quæsto lateri BD, opponitur, data est, dabitur quo que ex problemate 3. la-
tus BD, ac proinde & totum latus BC, datum erit. Rursus ex data base AB, & angulo
BAD, reliquis angulus ABD, ex problemate 3. notus fiet. Eodemque modo in trian-
gulo CAD, notus efficietur angulus ACD, ex data base AC, & angulo CAD.*

23. DATIS

XXIII.
Problemata.

23. DATIS in triangulo sphærico obliquangulo duobus angulis, cum latere illis adiacente, reliqua duo latera, cum reliquo, angulo peruestigare.

In triangulo ABC, dati sint duo anguli B, BAC, cum latere AB. sineque primum illi anguli inequalis, & latus AB, non quadrans: Ex altero angulum, ut ex A, demittatur ad latus BC, protractum etiam, si opus sit, arcus perpendicularis, qui quando intra triangulum, & quando extra cadat, operatio ista docebit. Nam in triangulo rectangulo ABD, cum basis AB, data sit, cum angulo B; inuenietur per problema 8. latus AD, angulo B, oppositum: & per problema 3. alter angulus non rectus BAD: qui si minor repertus fuerit angulus BAC, eades arcus AD, intra triangulum; si vero maior, extra. De-tratio ergo angulo BAD, ex dato angulo BAC, vel hoc ex illo, datus quoque erit angulus CAD, reliquis.

1. AM cum in triangulo rectangulo ABD, basis AB, data sit, & angulus B; dabitur quoque per problema 9. latus BD, daco angulo B, adiacens.

RVRVS in triangulo rectangulo CAD, cum inuenientur sit latus AD, & angulus CAD; dabitur per problema 10. erit latus CD. Igitur cadente arcu AD, intra triangulum, summa laterum BD, CD, totum latus BC, normum efficiet: cadente vero extra, latus CD, ex BD, subtractum reliquum faciet latus BC, normum. Atque ita inuenientur iam est alterum reliquorum laterum BC.

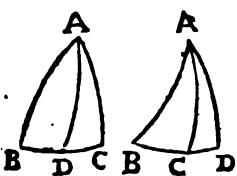
POSTREMO quia in triangulo rectangulo CAD, datum est latus AD, cum angulo adiacente CAD; dabitur per problema 13. basis AC, qua est tertium latus: at per problema 4. reperiatur angulus C, dato latere AD, oppositus, qui in priori casu est tertius, qui queritur: in posteriori autem complementum eius ad semicirculum dabitur tertium questum.

QVOD si quando angulus CAD, inuenitus fuerit rectus, (angulus BAD, nunquam erit rectus: alioquin, cum & D, rectus sit, & essent AB, D B. quadrantes, cum tamen AB, ponatur non quadrans.) quoniam & D, rectus est; & erunt CA, CD, quadrantes: & latus AD, inuenitum, erit arcus anguli questi C: latus denique inuenitum BD, cum quadrante CD, in priori casu efficiet totum latus BC, normum; in posteriori autem casu quadrans CD, ex inuenito latere BD, subductus relinquit questiū latus BC.

SINT deinde idem dati anguli B, BAC, inequalis, & latus AB, quadrans recto angulo D, oppositum. Erit igitur saltem alterum reliquorum laterum etiam quadrans. Cum ergo AD, non possit esse quadrans: (Nam alias ob duos quadrantes AB, AD, defens anguli B, D, recti; atque ita triangulum ABC, foret rectangulum, quod non ponitur) erit BD, quadrans; itaque angulus BAD, rectus, propter quadrantes BA, BD: Et B, polus erit arcus AD, hoc est, A Q, arcus erit dati anguli B, atque idem etiam normus. Quibus inuenitis, reperiuntur reliqua, ut prius, nimirum CD, per 10. problema, & AC, per 13. & angulus C, per 4. ex dato latere AD. & angulo CAD.

TERTII sint in priori triangulo dati duo anguli aequalis B, C, cum latere BC; & erintque propterea latera AB, AC, aequalia. Demissus ergo ex tertio angulo A, arcus perpendicularis diuidet tam latus BC, quam angulum A, b: sariam, ut supra ostendimus: ac propterea cum in triangulo rectangulo ABD, latus BD, datum sit cum angulo B; reperiatur per problema 13. basis AB, ideoque & AC, latus nostrum erit: at per problema 4. inuenietur angulus BAD, si missis totius BAC.

24. DATIS



a 25. triang.
sphar.

b 25. triang.
sphar.

c 25. triang.
sphar.

d 25. triang.
sphar.

e 25. triang.
sphar.

f 25. triang.
sphar.

g 25. triang.
sphar.

h 25. triang.
sphar.

i 25. triang.
sphar.

j 25. triang.
sphar.

24. DATIS in triangulo sphærico obliquangulo duobus angulis, cum latere alteri eorum opposito, reliqua latera, cum reliquo angulo explorare; si modo constet species alterius lateris alteri dato angulo oppositi.

XXIII.
Problema.

IN triangulo ABC , dati sine primum duo anguli B, C , inaequales, cum arcu AB , non quadrante, & specie arcus AC . Ex tertio angulo A , demittatur ad BC , arcus perpendicularis AD , qui intra triangulum cadet. si uterque angulorum B, C , datorum a 57. triang. acutus est, aut obtusus, extra vero, si unus acutus est, & obtusus alter. Cum ergo in triâ spher. gulo rectangulo ABD , data sit basis AB , cum angulo B , dabitur per problema 8. latus AD : Et per problema 9. latus BD : Et per problema 3. angulus BAD .

RVRVS quia in rectangulo triangulo ACD , datum est latus AD , cum angulo C , opposit. & specie basis AC ; dabitur per problema 14. basis AC : Et per problema 10. latus CD : Et ex latere CD , dato, & angulo D , dabitur per problema 4. angulus CAD . Si igitur inuenitus angulus CAD , inuenito angulo BAD , addatur, vel ex eo deminatur, votus fiet angulus quiescens BAC . Sic etiam inuenientur latus CD , inuenient latus BD , additum, vel ex eo subtractum, notum efficiens quasitum latus BC .

QVOD si qualibet accidat facies AC , esse quadrantem, erit quoque CD , quadrans, & angulus CAD , rectus, &c.

SIT deinde datum latus AB , quadrans, & adhuc dati duo anguli B, C , inaequales. Erit igitur & BD , quadrans, & angulus BAD , rectus; & AD , arcus dati anguli B , proindeque notus, &c.

DENIQUE in priori triangulo sint dati duo anguli B, C , aequales; & erit queque propter ea & latere AB, AC , aequalis. Cum ergo AB , datum sit, erit quoque AC , datum. b 9. triang. spher. Demissio arcu perpendiculari AD , qui & latus BC , & angulum BAC , bifariam secabit; cum in triangulo rectangulo ABD , detur basis AB , cum angulo B , dabitur per problema 9. latus BD , ideoque & eius duplum BC , quod quaritur, datum erit: Et per problema 3. dabitur angulus BAD , ideoque & eius duplus BAC , quiescens.

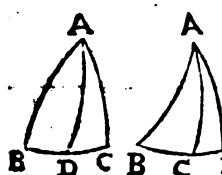
25. DATIS in triangulo sphærico obliquangulo duobus lateribus, cum angulo alteri eorum opposito, reliquos angulos, cum reliquo latere inuenire: si modo constet species alterius anguli alteri lateri oppositi.

XXV.
Problema.

IN triangulo ABC , data sine primum duo latera inaequalia AB, AC , quorum neutrum quadrans, cum angulo B , & specie alterius anguli C . Demittatur ex tertio angulo A , arcus perpendicularis AD , qui intra triangulum cadet, si uterque angulus B, C , est acutus, vel obtusus, extra vero, si unus est acutus, & alter obtusus. Et quoniam spher. in rectangulo triangulo ABD , datur basis AB , cum angulo B , dabitur per problema 8. & latus AD , angulo dato oppositum: Et ex problema 9. latus BD : Et per problema 3. angulus BAD .

RVRVS quia in triangulo rectangulo CAD , data est basis AC , cum latere AD , inuenito, dabitur per problema 6. latus CD : Et per problema 1. angulus C : Et per problema 2. angulus CAD . Si igitur arcus AD , intra triangulum existit, dabunt ambo anguli BAD, CAD , inueni totum angulum BAC , quiescens: Et ambo latera BD, CD , inuenient totum latus BC , &c. si sum. Si vero arcus AD , cadit extra triangulum, angulus

angulus CAD, ex angulo B A D, substractus notum relinquet angulum quae situm BAC. Et latus CD, ex latere BD, ablatum relinquet quae situm lacus BC.



DEINDE si alterum datorum laterū quadrans. Si igitur AB, quadrans est, erit & BD, quadrans : & angulus BAD, radius: & AD, arcus anguli dati B, ideoq; notus, &c.

S I vero AC, quadrans est, erit & CD, quadrans: & angulus CAD, radius: & AD, arcus anguli C; ac proinde inveniens arcus AD, notum exhibebit angulum C, &c.

*a. triang.
sphar.*

AB, AC, equalia, & eruntque properea & anguli B, C, aequales. Cum ergo B, datum sit, dabitur & angulus C. Solum ergo inquirendum erit lacus BC, cum angulo BAC. Demissus arcus perpendicularis AD, dividet & latus BC, & angulum BAC, bisariam. In triangulo autem rectangulo ABD, cum data sit basis AB; cum angulo B, dabatur per problema 9. latus BD; ideoque & eius duplum BC, quae situm: Et per problema 3. invenietur angulus BAD, atque idcirco eius duplus BAC, quae situm notum erit.

T R I A N G V L O R V M re&tilineorum rectangulorum calculus.

I. P R O P O R T I O N E S L A T E R V M ex datis omnibus angulis cuiusvis trianguli.

*s. triang.
rectil.*

Singulis lateribus adscribantur sinus angulorum oppositorum. Latera enim oamdem proportiones habent, que inter sinus angulorum lateribus oppositis adscriptos reperiuntur.

*s. triang.
rectil.*

*I I. L A T V S
Ex base, & alterutro angulorum acutorum, ac proinde & altero.*

Vt sinus totus

ad basem:

*Ita sinus ang. lat: ad latus quae situm in
quae situm oppositi. partibus basis.*

*3. triang.
rectil.*

Vt basis

ad sinum totum:

Ita datum latus

*ad sinum ang. dato
lateri oppositi.*

Deinde, sumpto complemento anguli inueni pro reliquo angulo:

Vt sinus totus

ad basem:

Ita sinus anguli in-

*uenti, qui lateri partibus basis, &
que situm oppositum. alterius lateris.*

III. LATVS

L E M M A L I I I . 265

III. LATVS

Ex altero latere, & angulo acuto, ac proinde & altero.

*Vt sinus totus ad latus datum: Ita tang. ang. qua
suo lat. oppositi ad latus quiescum.* s. triang.
rectil.
Vt sinus anguli dato ad latus datum: Ita sinus alterius ad latus quiescum.

Vel

Vt sinus anguli dato ad latus datum: Ita sinus alterius ad latus quiescum.

angulis

V. B A S I S

Ex uno latere, & uno angulo acuto, ac proinde & altero.

*Vt sinus totus ad latus datum: Ita secans ang. dato ad basem.
lat. adiacens* s. triang.
rectil.
Vt sinus anguli dato ad sinum totum: Ita latus datum ad basem.

Vel

Vt sinus anguli dato ad sinum totum: Ita latus datum ad basem.

lateri oppositi

VI. B A S I S

Ex utroque latere.

*Vt latus alterum ad sinum totum: Ita alterum latus ad tangentem anguli
datum datum huic alteri lateri op
positi.* s. triang.
rectil.

Deinde, sumpto complemento anguli inuenti pro reliquo angulo:

*Vt sinus totus ad latus alterum Ita secans ang. acce
datum: pro lateri oppositi ad basem.*

VII. A N G V L V S

EX base & uno latere.

*Vt basis ad sinum totum: Ita latus datum ad sinum anguli dato
lateri oppositi.* s. triang.
rectil.

Complementum anguli inuenti dabit alterum angulum.

VIII. A N G V L V S

Ex utroque latere.

*Vt latus alterum ad sinum totum. Ita alterum latus ad tang. anguli huic
datum datum alteri lat. oppositi.* s. triang.
rectil.

Complementum anguli inuenti dabit alterum angulum.

TRIANGVLORVM RECTILINEORVM obliquangulorum calculus.

I X. S E G M E N T A I. A T E R I S

aperpendiculari facta

Ex datis tribus lateribus.

*Vt latens, in quod ca ad summam alterum Ita differentia co-
dis perpendicularis duorum laterum rudentem laterum ad quartum alium s. triang.
numerum. rectil.*

L 1

Si quartus

Si quartus numerus inuentus minque est latere, in quod cadit perpendicularis, auferendus erit ex eo latere. Semissis enim reliqui numeri dabit minus segmentum: quod ex toto latere subductum relinquet segmentum maius.

Si vero quartus numerus inuentus maior est latere, in quod cadit perpendicularis, auferendum est illud latus ex eo. Semissis enim reliqui numeri dabit segmentum minus exterius inter perpendiculararem, & angulum obtusum: quod additum eidem latere conflabit aliud segmentum maius inter perpendiculararem, & angulum acutum.

X. L A T E R A D V O

Ex tertio latere, & duobus quibusuis angulis, ac proinde omnibus tribus, cum tertius sit complementum aliorum ad semicirculum.

10. triang. *Vt sinus anguli dato ad latus datum: Ita sinus alterutrius ad latus huic ang. rectil. lateri oppositi reliquorū angularū oppositum.*

Rursus

Vt sinus anguli dato ad latus datum: Ita sinus tertii ang. ad latus huic tertio lateri oppositi angulo oppositum.

IN Isoscele vnius tantum lateris inuentione opus est, cum vnum datum sit cum angulis. In \vartriangle ilatero vero triangulo, si vnum latus datum sit, erunt & reliqua illi \vartriangle qualia, data.

XI. L A T V S

Ex duobus lateribus, & duobus quibusuis angulis, ac proinde omnibus tribus, cum tertius sit complementum aliorum ad semicirculum.

10. triang. *Vt sinus anguli alterutri lateri dato ad latus oppositum Ita sinus ang. quies ad latus quies datum: Ita sinus ang. quies ad latus quies datum: to lat. oppositum to lat. oppositum*

XII. L A T V S

Ex duobus lateribus, & angulo ab ipsis comprehenso.

Probl. 17. *Vt sinus torus ad secantem comple- Ita differentia inter ad quartum. triag. spber. arcus, qui semissi eam semissim, & aggregati dorii alterutrum dato- laterum ad sinus rum laterum ad revocatorum, ut sinus revocatorum sinui, debetur:*

Dcinde

Vt sinus torus ad tangentem semis- Ita quartus inuen- ad tangentem diffi- sis arcus, qui de- tis ad tangentem diffi- ter semissim eius de tratto dato ang. ex semicirculo re- tis ad tangentem diffi- angulorum non da lingitur:

ter semissim eius de arcus, et alterutru angulorum non da

Hec

Hæc tangens hoc etiam modo inuenietur.

*Vt semis is aggrega ad tangentem semis Ita differentia in- ad tangentem diffire .6 triang.
u duorum late- sis arcus, qui detra ter semis is ag- tie inter semis is ar rectil.
rum datorum elo dato ang. ex se gregati duoru la cus predicti, & al-
micirculo, relinqui terutrum datorum, terutrum angulo-
tur: & vtrumlibet la rum non datorum.*

Arcus huius tangentis inuentus additus ad semis is eiusdem arcus, (est autem hic arcus summa duorum angulorum non datorum, nimirum complementum dati anguli ad semicirculum) dabit maiorem angulum non datum, qui videlicet maiori lateri dato opponitur: ex eadem vero semis is detractus reliquum faciet minorem angulum non datum, qui nimirum lateri minori dato opponitur.

Post hæc,

*Vt sinus utriuslibet ad latus oppositum: Ita angulus datus ad latus oppositum , s. triang.
anguli inuentus. quod queritur. rectil.*

Si data duo latera sint æqualia, erunt reliqui duo anguli æquales. Semis is ergo arcus, qui detracto angulo ex semicirculo, relinquitur, dabit vtrum que, &c.

X III I. L A T V S

Ex duobus lateribus, & angulo vni eorum opposito: si modo constet species anguli alteri dato oppositi, quando datus angulus acutus est.

Vt latus datum dato ad sinum ang. dati: Ita alterum latus ad sinum ang. huic al angulo oppositum das im seri lateri oppositi. 13. triang. rectil.

Hic sinus inuentus dabit angulum alteri dato lateri oppositum, si acutus fuerit: (Erit autem semper acutus, quando datus angulus est obtusus.) Si vero fuerit obtusus, arcus sinus inuentus ex semicirculo dempus reliquum faciet eum angulum: propterea quando datus angulus est acutus, oportet dari huius alterius speciem, vt sciamus, num acutus sit, vel obtusus. Summa autem horum angulorum ex semicirculo subrecta relinquit tertium angulum quæsito lateri oppositum. Ergo,

*Vt sinus dati anguli ad datum latus ei ad latus quæsumus. Ita sinus anguli in- s. triang.
oppositum: uenti quæsumus la- rectil.*

Si duo latera data sint æqualia: erit angulus alteri dato lateri oppositus, b s. primi.
dato angulo æqualis, &c.

X III I. A N G V L I D V O

Ex duobus lateribus, & angulo ab ipsis comprehenso.

Inuenientur ex datis duo anguli, vt in priori parte problematis 12. dictum est, si nimirum inquiratur tangens differentia inter semis is arcus, qui, detracto angulo dato ex semicirculo, relinquitur, & alterutrum angulorum, qui quærun- tur, &c. quæ tangens duobus modis inuenta est in priori parte problematis 12. in quo latus proponitur inuestigandum ex duobus lateribus, & angulo ab ipsis comprehenso; quod vt fieret, inueni prius fuerunt alii duo anguli, qui in hoc problemate 14. queruntur.

duis minorum arcum, vel angulum quæsumum relinquit. Duplici autem illa operatione reperiit tangentem dictæ differentia, ita perspicuum fiet. Quoniam, ut prop. 6. triang. rectil. demonstravimus, est ut semissis aggregati terminorum data proportionis (ad sinus revocatorum) ad tangentem semissis aggregatis arcum, ita differentia inter se missam summa terminorum data proportionis, & alterutrum terminorum, ad tangentem differentia inter semissim aggregati arcum, & alterutrum arcum quæsumorum; erit quoq; permuto, ut semissis aggr. term. ad diff. dictam, ita tangens semissis aggr. arcum ad tang. diff. arcum. Sed ut semissis aggr. term. ad sinum totum, ita est diff. dicta ad alium quartum numerum: Et permuto, ut semissis aggr. term. ad dictam diff. ita sinus totus ad quartum illum numerum. Igitur erit etiam, ut sinus totus ad quartum, ita tangens semissis aggr. arcum ad tangentem diff. arcum: Et permuto, ut sinus totus ad tangentem semissis aggr. arcum, ita quartus ad tangentem diff. arcum, ut in secundo exemplo regula proportionum dicebamus. Producit autem quartum illum numerum eo modo, qui in primo exemplo expressus est, ita manifestum erit. Quoniam est, ut semis. is aggr. term. ad sinum totum, ita diff. supra dicta ad illum quartum, ut paulo ante diximus;^a Est autem ut semissis aggr. term. cum sinus totum, ita sinus totus ad secantem complementi arcus, qui illi sensisi, ut sinui debetur: id quod etiam supra ostendimus in Prosthabareßi Num. 6. Erit quoque, ut sinus totus ad secantem complementi arcus, qui semissi aggr. term. ut sinui, debetur, ita diff. praedita ad quartum, ut in primo exemplo regula aurea possum est.

b 6. triang. rectil. *V E R V M* tangens diff. inter semissim agg. arcum, & alterutrum arcum quæsumorum, invenietur quoque per unam operationem, sine tamen fini toto. ^b Esi enim

Ut semissis aggregati tangentem semis. Ita diff. inter semis. ad tangentem diff. integrat terminorum sis aggregati arcum: ter semissis aggregati ter- minorum, & alterutrum arcum, & alterutrum terminorum	Ita diff. inter semis. ad tangentem diff. integrat terminorum sis aggregati arcum: ter semissis aggregati ter- minorum, & alterutrum arcum, & alterutrum terminorum
--	---

XVIII.
Problema. **18. DATO** aggregato duorum arcum, quorum singuli semicirculo sint minores, vel duoru anguloru, quod semicirculo maius sit, vna cū proportionesinuum eorum, vtrumque notum efficere,

D E T R A C T O hoc aggregato ex uno circulo, supereris aliud aggregatum arcuū semicirculo minus, cum eadem proportione data, ut prop. 6. triang. rectil. dictum est. Si igitur huius aggregati uterque arcus, vel angulus inuestigetur, ut in precedenti problemate 17. tradidimus, & inuenitus uterque ex semicirculo tollatur, non relinquuntur quæsumi duo arcus, vel anguli aggregatum semicirculo maius datum constantes.

Q V O D si quando accidas, datam proportionem esse equalitatis, erunt quoque duo arcus, vel anguli datum aggregatum conficientes eam. Quare semissis dati aggregati vrumque arcum, vel angulum quæsumum dabit.

S I vero datum aggregatum semicirculo fuerit æquale, problema solvi non poterit, ut in scholio prop. 6. triang. rectil. ostendimus.

XIX.
Problema. **19. DAT A** differentia duorum arcum, quorum singuli semicirculo sint minores, vel duorum angulorum, vna cum proportione, quam eorum sinus habent, vtrumque seorsum cognoscere.

S V B T R A C T A

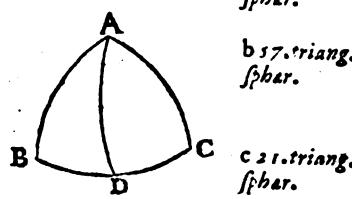
S V B T R A C T A differentia data ex semicirculo, sumatur reliquus arcus, etanquam aggregatum duorum arcuum, & eius uterque arcus per datam proportionem (hec enim eadem permanet, ut in propos. 7. triang. rectil. dictum est.) eruantur ex problemate 17. Minor enim invenius, si data proportio est maioris inqualitatis, hoc est, si sinus majoris arcus maior est, & minoris minor, (quod quidem accidit, quando duo arcus semicirculo minores sunt.) erit quasitum minor arcus; maior vero invenius ex semicirculo subductus maiorem arcum quasitum relinquet. Si vero data proportio est minoris inqualitatis, hoc est, si sinus majoris arcus minor est, siu arcus minoris, (quod accidit, quando duo arcus semicirculum superant.) minor arcus invenius ex semicirculo deemptus relinquit maiorem arcum quasitum; maior vero ex semicirculo ablatus minorem arcum quasitum relinquit.

Q V O D si data propnrtio fuerit equalitatis, quod quidem evenit, quando duo arcus semicirculum conficiunt, detrahentur differentiam ex semicirculo. Reliqui enim numeri semissimis dabit minorem arcum quasitum, eadem vero semissimis, si data differentia adiiciatur, maiorem arcum quasitum conficiet.

Q V A N D O datur aggregatum vel differentia duorum angularorum unum angulum sphaericum conficiunt, vel in aliquo triangulo rectilineo existentium, conficietur arcus illorum angularum semper aggregatum semicirculo minus, ac proinde adhibendum erit solum problema 17. precedentis, vel prima pars huius problematis 18.

20. DATIS tribus angulis trianguli sphaericci obliquanguli, XX.
Problema.
tria latera inuestigare.

A V T in triangulo ABC , omnes tres anguli sunt aequales, aut duo tantum, aut omnes tres inaequales. Sint primum omnes tres anguli, vel duo B, C , duntaxat aequales, et eruntque idcirco & latera AB, AC , eis opposita aequalia, angulique B, C , vel acutis a g. triang. spher. Si igitur ex tertio angulo A , in latus oppositum BC , duobus equalibus angulis adiacens, arcus perpendicularis intelligatur demissus AD , cadet is intra triangulum, dividetque & latus BC , & angulum BAC , bisariam. Quoniam enim triangula ABD, ACD , rectil. triangula habent angulos B, C , aequales, & latera AB, AC , rectis angulis ad D , opposita, aequalia; eruntque tam latera BD, CD , quam anguli ad A , aequales: ac proinde cum rotus angulus ad A , datum sit, dabuntur etiam eius semissimae BAD, CAD . Qui a igitur in triangulo rectil. ABD , duo anguli non recti cognitum sunt B , & BAD , nota fuit quoque basis AB ; Est enim,



Vt sinus totus ad tangentem compl. Ita tangens compl. ad sinum compl. basi
anguli B: anguli BAD , sis AB , &c.

Hinc etiam cognitum erit latus AC , ipsi AB , aequale: Immo & tertium latus BC , si omnes tres anguli in triangulo ABC , dati sunt aequales, datum erit, quod tunc omnia tria latera sint aequalia, ut diximus, ac proinde uno inuenientur, reliqua nota etiam erunt. Si vero solum duos anguli B , & C , aequales sunt, reperiatur BD , semissimae lateris BC , ex eisdem angulis non rectis B, BAD , cognitis. Est enim,

e 12. probl.

Vt sinus totus

ad secantē compl. Ita sinus cōpl.lang. ad sinum compl.
ang. B, lat. quæst̄i BAD, lat. quæst̄i lat. BD, quæst̄i,
to BD, adiac. to BD, oppositi &c.

Si ergo latus BD, dupliceretur, notum fiet totum latus BC.

S I N T deinde omnes tres anguli inæquales, atque adeo duo saltē acutū, vel obtusū
a 57. triang. si, cuiusmodi u.g. sint B, & C. Demissus igitur ex tertio angulo A, in latus BC, duobus
sphar. acutis, vel obtusis angulis adiacens, arcus perpendicularis AD, intra triangulum ca-
b61. triang. det: b Eritque,

Vt sinus compl. ad sinum compl. Ita sinus anguli ad sinum ang. CAD,
anguli B, ang. C: BAD,

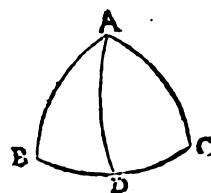
Igitur proportio, quam sinus angulorum BAD, CAD, habene, nota erit, cuius ter-
mini erunt sinus compl. angulorum B, & C. Sumatur semis: siis aggregati horum sinuum,
& differētia inter eam semis: siis, & alterutrum sinuum compl. ang. B, C. Erit ergo, ut
in probl:mate 17. demonstramus,

Vt sinus totus ad secant. compl. Ita prædicta diff. ad quartum alium
arcus, qui di- inter illam se- numerum .
ctæ semis: de missem, & al-
betur, vt sinu: terutrum sinuū
cōpl.lang. B, C.

Deinde

Vt sinus totus ad tang. semissis Ita quartus inuen inter semis: siis
anguli BAC, tā tus anguli BAD, &
quam aggregati angulū BAD,
CAD: alterutrum ang.
BAD, CAD.

*Arcus igitur huius tangentis inuenta additus semissi anguli BAC, conficit angulū
maiorē A. Et ablatus ex eadem semisse relinquet minorem. Ille ceterum angulus A,
maior erit, qui respondet maiori sinui compl. ang. B, &
C: adeo ut si sinus compl. ang. B, maior fuerit sinu cōpl.
ang. C, angulus BAD, maior sit angulo CAD, &c.*



I AM ex duobus angulis non rectis A, B, triangulū

*rectanguli ABD, cognitis, cognoscetur basis AB, ex
problemate 16. Et latus BD, ex problemate 12. Eadem
ratione ex angulis non rectis A, C, trianguli CAD, re-
& anguli cognoscetur & basis AC, & latus CD: summa
autē laterum BD, CD, totum latus BC, exhibetur. At-*

XXI.
Problema.

21. DATIS tribus lateribus trianguli sphærici obliquanguli,
quemlibet angulorum indagare.

S I T in superiore triangulo notorum laterum inuestigandus angulus BAC, siveq;
primum duo latera AB, AC, cum ambientia, inæqualia. Ita ergo angulum BAC, in-
veigibimus.

Vt

L E M M A L I I I .

263

Vt sinus totus	ad sinum maioris lateris dati :	Ita sinus minoris lateris dati	ad quartum Deinde	schol. 4. sph. triang. sphar.
Vt quartus inuen- tus	ad sinum totum :	Ita diff. inter sinū versū arcus quæ sito ang. oppos. & sinum versum arcus, quo duo la- tera angulū quæ suum ambiētia inter se differunt.	ad sinum versum an- guli quæsiti.	

SINT deinde duo latera AB, AC, quæsum angulum ambientia, aequalia. De- 21. triang.
missus ergo ex angulo quæsito arcus perpendicularis AD, secabit & angulum quæsiti, sphar.
& latens opusitum BC, bifariam, ut in precedenti problemate ostendimus. Et quia in
triangulo rectangulo BAD, basis AB, nota est, cum latere BD, (Est enim semissis la-
teris BC, not.) quod angulo BAD, opponitur, cognoscetur angulus BAD, ex problema-
te 1. ac proinde & totus angulus quæsusus BAC, cum illius duplus sit, cognitus erit.

22. DATIS in triangulo sphærico obliquangulo duobus la- XXII.
 teribus, cum angulo ab ipsis comprehenso, reliquum latus cum re- Problema.
 liquis duobus angulis, inquirere.

SINT in eodem superiori triangulo datae duo latera AB, AC, cum angulo BAC,
primum in aequalia : ex quibus ita reliqua venabimur.

Vt sinus totus	ad sinum maioris lat. dati:	Ita sinus minoris lat. dati	ad quartum.	schol. 2. sph. triang. sphar.
Vt sinus totus	ad quartum :	Ita sinus versus ang. dati	ad diff. inter sinum versum tertii late- ris quæsiti, & sinū versū arcus, quo duo latera data inter se differunt.	

*Hac differentia ad sinum versum arcus, quo duo latera data inter se differunt, adie-
cta, conficit sinum versum tertij lateris quæsiti, ex quo ipsum latus tertium cognosce-
tur. Atque ita cognita iam erunt omnia tria latera trianguli ABC ; ideoque uterque
reliquorum angulorum B, C, notus fiet, ut in antecedente problemate traditū est.*

*SINT deinde duo latera AB, AC, aequalia. Demissus ergo ex angulo dato BAC,
arcus perpendicularis AD, secabit & datum angulum BAC, & quæsum latus BC,
bifariam, ut dictum est. Et quia in triangulo rectangulo BAD, basis AB, cum angulo
BAD, qui quæsito latere BD, opponitur, data est, dabitur quo que ex problemate 3. la-
tus BD, ac proinde & totum latus BC, datum erit. Rursus ex data base AB, & angulo
BAD, reliquis angulus ABD, ex problemate 3. notus fiet. Eodemque modo in trian-
gulo CAD, notus efficietur angulus ACD, ex data base AC, & angulo CAD.*

23. DATIS

XXIII.
Problema.

23. DATIS in triangulo sphærico obliquangulo duobus angulis, cum latere illis adiacente, reliqua duo latera, cum reliquo, angulo peruestigare.

IN triangulo ABC, dati sint duo anguli B, BAC, cum latere AB. siquaque primum illi anguli inequales, & latus AB, non quadrans: Ex altero angulo B, ut ex A, demittatur ad latus BC, protractum etiam, si opus sit, arcus perpendicularis, qui quando intra triangulum, & quando extra cadat, operatio ipsa docebitur. Nam in triangulo rectangulo ABD, cum basis AB, data sit, cum angulo B; inuenietur per problema 8. latus AD, angulo B, oppositum: Et per problema 3. alter angulus non rectus BAD: qui si minor repertus fuerit angulus BAC, eadem arcus AD, intra triangulum; si vero maior, extra. Dextratio ergo angulo BAD, ex dato angulo BAC, vel hoc

ex illo, datus quoque erit angulus CAD, reliquis.

I AM cum in triangulo rectangulo ABD, basis AB, data sit, & angulus B; dabitur quoque per problema 9. latus BD, dato angulo B, adiacens.

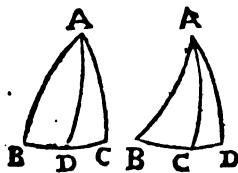
RVRVS in triangulo rectangulo CAD, cum inuenientur sit latus AD, & angulus CAD; dabitur per problema 10. etiam latus CD. Igitur cadente arcu AD, intra triangulum, summa laterum BD, CD, totum latus BC, notum efficiet: cadente vero extra, latus CD, ex BD, substractum reliquum faciet latus BC, notum. Atque ita inuenientur iam est alterum reliquorum laterum BC.

POSTREMO quia in triangulo rectangulo CAD, datum est latus AD, cum angulo adiacente CAD; dabitur per problema 13. basis AC, qua est terium latus: ut per problema 4. repertetur angulus C, dato lateri AD, oppositus. qui in priori casu est tertius, qui queritur: in posteriori autem complementum eius ad semicirculum dabit terium quartum.

QVOD si quando angulus CAD, inuenitus fuerit rectus, (angulus BAD, nunquam erit rectus: alioquin, cum & D, rectus sit, & erint AB, DB, quadrantes, cum tamen AB, ponatur non quadrans.) quoniam & D rectus est, & erint CA, CD, quadrantes: & latus AD, inuenitum, erit arcus anguli quarti C: latus denique inuenitum BD, cum quadrante CD, in priori casu efficiet totum latus BC, notum; in posteriori autem casu quadrans CD, ex inuenito latere BD, subductus relinquet quartum latus BC.

SINT deinde idem dati anguli B, BAC, inequales, & latus AB, quadrans recto angulo D, oppositum. Erit igitur saltem alteram reliquorum laterum etiam quadrans. Cum ergo AD, non possit esse quadrans, (Nam alias ob duos quadrantes AB, AD, & efficiunt anguli B, D, recti; atque ita triangulum ABC, serre rectangulum. quod non posse videtur) erit BD, quadrans; ideoque angulus BAD, rectus, propter quadrantes BA, BD: Et B, polus erit arcus AD, hoc est, A Q, arcus erit dati anguli B, atque idcirco notus. Quibus inuenitis, reperiuntur reliqua, ut prius, nimirum CD, per 10. problema, & AC, per 13. & angulus C, per 4. ex dato latere AD. & angulo CAD.

TERTIO sint in priori triangulo dati duo anguli equalis B, C, cum latere BC; c. 9. triang. & eruntque propterea latera AB, AC, equalia. Demissus ergo ex tertio angulo A, arcus perpendicularis dividet tam latus BC, quam angulum A, bisarit, ut supra ostendimus: ac propterea cum in triangulo rectangulo ABD, latus BD, datum sit cum angulo B; repertetur per problema 13. basis AB, ideoque & AC, latus notum erit: ut per problema 4. inuenietur angulus BAD, s. m. sis totius BAC.



a 25. triang.
sphær.

b 25. triang.
sphær.

c 38. triang.
sphær.

d 25. triang.
sphær.

e 9. triang.
sphær.

24. DATIS in triangulo sphærico obliquangulo duobus angulis, cum latere alteri eorum opposito, reliqua latera, cum reliquo angulo explorare: si modo constet species alterius lateris alteri dato angulo oppositi.

*I*N triangulo ABC, dati sint primum duo anguli B; C, inaequales, cum arcu AB, non quadrante, & specie arcus AC. Ex tertio angulo A, demittatur ad BC, arcus perpendicularis AD, qui intra triangulum cadet, si uterque angulus in B, C, datorum a 57. triang. acutus est, aut obtusus, extra vero, si unus acutus est, & obtusus alter. Cum ergo in triâ sphæ. gulo rectangulo ABD, data sit basis AB, cum angulo B; dabitur per problema 8. latus AD: Et per problema 9. latus BD: Et per problema 3. angulus BAD.

RVRSPS quia in rectangulo triangulo ACD, datum est latus AD, cum angulo C, opposito, & specie basis AC; dabatur per problema 14. basis AC: Et per problema 1. latus CD: Et ex latere CD, dato, & angulo D, dabatur per problema 4. angulus CAD. Si igitur inuenitus angulus CAD, inuenio angulo BAD, addatur, vel ex eo deminatur, vorus fiet angulus quiesitus BAC. Sic etiam inueniuntur latus CD, inuenienti latere BD, additum, vel ex eo detractum, nosnam efficiens quiesitus latus BC.

QVOD si quanfo accidat, latus AC, esse quadrantem, erit quoque CD, quadrans, & angulus CAD, rectus, &c.

SIT deinde datum latus AB, quadrans, & adhuc dati duo anguli B, C, inaequalis. Erit igitur & BD, quadrans, & angulus BAD, rectus; & AD, arcus dati anguli B, proindeque vorus, &c.

DENIQUE in priori triangulo sint dati duo anguli B, C, aequalis; & erit que propter eius latera AB, AC, aequalia. Cum ergo AB, datum sit, erit quoque AC, datum. *sphæ.* Demissio arcu perpendiculari AD, qui & latus BC, & angulum BAC, bifariam secabit; cum in triangulo rectangulo ABD, detur basis AB, cum angulo B, dabatur per problema 9. latus BD, idemque & eius duplum BC, quod quartetur, datum erit: Et per problema 3. dabatur angulus BAD, idemque & eius duplum BAC, quiesitus.

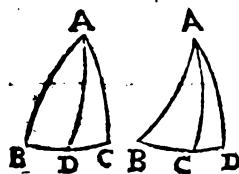
25. DATIS in triangulo sphærico obliquangulo duobus lateribus, cum angulo alteri eorum opposito, reliquos angulos, cum reliquo latere inuenire: si modo constet species alterius anguli alteri latere oppositi.

XXV.
Problema.

*I*N triangulo ABC, dati sint primum duo latera inaequalia AB, AC, quorum neutrum quadrans, cum angulo B, & specie alterius anguli C. Demittatur ex tertio angulo A, arcus perpendicularis AD, qui intra triangulum cadet, si uterque angulus B, c 57. triang. C, est acutus, vel obtusus, extra vero, si unus est acutus, & alter obtusus. Et quoniam sphæ. in rectangulo triangulo ABD, detur basis AB, cum angulo B, dabatur per problema 8. & latus AD, angulo dato oppositum: Et ex problemate 9. latus BD: Et per problema 3. angulus BAD.

RVRSPS quia in triangulo rectangulo CAD, data est basis AC, cum latere AD, inueniuntur, dabatur per problema 6. latus CD: Et per problema 1. angulus C: Et per problema 2. angulus CAD. Si igitur arcus AD, intra triangulum existit, dabuntur ambo anguli BAD, CAD, inuenienti totum angulum BAC, quiescitum: Et ambo latera BD, CD, inuenientia totum latus BC, quiescitum. Si vero arcus AD, cadit extra triangulum, angulus

angulus CAD, ex angulo BAD, substratis notum reliquet angulum queſitum BAC. Et latus CD, ex latere BD, ablatum reliquit quasitum latus BC.



DEINDE sic alterum datorum lacerū quadrans. Si igitur AB, quadrans eſt, erit & BD, quadrans: & angulus BAD, rectius: & AD, arcus anguli datae B, ideoq; notus, &c.

S I vero AC, quadrans eſt, erit & CD, quadrans: & angulus CAD, rectius: & AD, arcus anguli C; ac jucinde inuenitus arcus AD, notum exhibet angulum C, &c.

a R. triang.
Spher.

SINT denique in priori triangulo data duo latera AB, AC, equalia, & eruntque properea & anguli B, C, aquiles. Cum ergo B, datum sit, dabitur & angulus C. Solum ergo inquirendum erit latus BC, cum angulo BAC. De- missus arcus perpendicularis AD, dividet & latus BC, & angulum BAC, bifariam. In triangulo autem rectangulo ABD, cum data sit basis AB; cum angulo B, dabitur per problema 9. latus BD; ideoque & eius duplum BC, quasitum. Et per problema 3. invenietur angulus BAD, atque idcirco eius duplum BAC, quasitus notus erit.

T R I A N G V L O R V M rectilineorum rectangulorum calculus.

I. P R O P O R T I O N E S L A T E R V M ex datis omnibus angulis cuiusvis trianguli.

s. triang.
rectil.

Singulis lateribus adscribantur sinus angulorum oppositorum. Latera enim oſdem proportiones habent, qua inter sinus angulorum lateribus oppositis adscriptos reperiuntur.

II. L A T V S

Ex base, & alterutro angulorum acutorum, ac proinde & altero.

s. triang.
rectil.

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad basem:</i>	<i>Ita sinus ang. lat: ad latus quasitum in quasitio oppositi. partibus basis.</i>
-----------------------	------------------	--

II. L A T V S Ex base, & altero latere.

g. triang.
rectil.

<i>Vt basis</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita datum latus ad sinum ang. dato lateri oppositi.</i>
-----------------	------------------------	--

Deinde, sumpto complemento anguli inuenienti pro reliquo angulo:

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad basem:</i>	<i>Ita sinus anguli inuenienti, qui latere partibus basis, & quasitio opponitur. alterius lateris.</i>
-----------------------	------------------	--

III. L A T V S

L E M M A L I I I . 263

III. L A T V S

Ex altero latere, & angulo acuto, ac proinde & altero.

*Vt sinus totus ad latus datum: Ita tang. ang. qua
suo lat. oppositi ad latus quasum.* s. triang.
rectil.

Vel

*Vt sinus anguli dato ad latus datum: Ita sinus alterius
lat. oppositi ad latus quasum.*

V. B A S I S

Ex uno latere, & uno angulo acuto, ac proinde & altero.

*Vt sinus totus ad latus datum: Ita secans ang. dato ad basem.
lat. adiacens* s. triang.
rectil.

Vel

*Vt sinus anguli dato ad sinum totum: Ita latus datum ad basem.
Lateri oppositi*

VI. B A S I S

Ex utroque latere.

*Vt latus alterutrum ad sinum totum: Ita alterum latus ad tangentem anguli
datum datum hinc alteri lateri op
positi.* 3. triang.
rectil.

Deinde, sumpto complemento anguli inuenti pro reliquo angulo:

*Vt sinus totus ad latus alterutrum Ita secans ang. acce
datum: pro lateri oppositi ad basem.*

VII. A N G V L V S

EX base & uno latere.

*Vt basis ad sinum totum: Ita latus datum ad sinum anguli dato
lateri oppositi.* 3. triang.
rectil.

Complementum anguli inuenti dabit alterum angulum.

VIII. A N G V L V S

Ex utroque latere.

*Vt latus alterutrum ad sinum totum. Ita alterum latus ad tang. anguli huic
datum datum alteri lat. oppositi.* 3. triang.
rectil.

Complementum anguli inuenti dabit alterum angulum.

TRIANGVLORVM RECTILINEORVM obliquangulorum calculus.

I X. S E G M E N T A I A T E R I S

aperpendiculari facta

Ex datis tribus lateribus.

*Vt latus, in quod ca ad summam alteri Ita differentia co
dit perpendicularis duorum laterum runderem latus ad quartum aliunum 9. triang.
rectil.*

L 1

Si quartus

Si quartus numerus inuentus minore est latere, in quod cadit perpendicularis, auferendus erit ex eo latere. Semissis enim reliqui numeri dabit minus segmentum: quod ex toto latere subductum relinquet segmentum maius.

Si vero quartus numerus inuentus maior est latere, in quod cadit perpendicularis, auferendum est illud latus ex eo. Semissis enim reliqui numeri dabit segmentum minus exterius inter perpendiculararem, & angulum obtusum: quod additum eidem latere confabit aliud segmentum maius inter perpendiculararem, & angulum acutum.

X. L A T E R A D V O

Ex tertio latere, & duobus quibusvis angulis, ac proinde omnibus tribus, cum tertius sit complementum aliorum ad semicirculum.

10. triang. rectil. *Vt sinus anguli dato ad latus datum: Ita sinus alterutrius ad latus huic ang. lateri oppositi reliquo angulorum oppositum.*

Rursus

Vt sinus anguli dato ad latus datum: Ita sinus tertii ang. ad latus huic tertio lateri oppositi angulo oppositum.

IN Isoscele vnius tantum lateris inuentione opus est, cum unum datum sit cum angulis. In quadrilatero vero triangulo, si unum latus datum sit, erunt & reliqua illi quadralia, data.

XI. L A T V S

Ex duobus lateribus, & duobus quibusvis angulis, ac proinde omnibus tribus, cum tertius sit complementum aliorum ad semicirculum.

10. triang. rectil. *Vt sinus anguli alterutri lateri dato ad latus oppositum Ita sinus ang. quasi ad latus quae situm. to oppositi*

X I I . L A T V S

Ex duobus lateribus, & angulo ab ipsis comprehenso.

Probl. 17. triag. spher. *Vt sinus torus ad secantem compl. arcus, qui semissi aggregati datorum laterum ad sinus revocatorum, ut sinus, debetur:*

Deinde

Vt sinus torus ad tangentem semissis arcus, qui de- traicto dato ang. ex semicirculo re linquuntur: Ita quartus inuen- tis ad tangentem diff. in- ter semissim cuiusde arcus, et alterutrum angulorum non da- turum.

Hac

Hec tangens hoc etiam modo invenietur.

*Vt semissem aggregata ad tangentem semis Ite differentia in- ad tangentem differet .6 triang.
ii duorum laterum arcus, qui detra- ter semissem ag- tie inter semissem ar rectil.
rum datorum. Ita dato ang. ex se gregati duorum la- cus prae dicti, & al-
micirculo, relinquuntur: terum datorum, terutrum angulo-
tur: & utrumlibet la rum non datorum.
terum*

Arcus huius tangentis inuenta additus ad semissem eiusdem arcus, (est autē hic arcus summa duorum angulorum non datorum, nimirum complementum dati anguli ad semicirculum) dabit maiorem angulum non datum, qui videlicet maiori lateri dato opponitur: ex eadem vero semisse detractus reliquum faciet minorem angulum nō datum, qui nimirum lateri minori dato opponitur.

Post huc,

*Vt sinus versuslibet ad latus oppositum: Ita angulus datus ad latus oppositum , 1. triang.
anguli inuenientur. quod queritur. rectil.*

*Si data duo latera sint æqualia, erunt reliqui duo anguli æquales. Se- a s. primi.
missis ergo arcus, qui detracto angulo ex semicirculo, relinquitur, dabit utrum que, &c.*

X III I. L A T V S

EX duobus lateribus, & angulo vni eorum opposito: si modo constet species anguli alteri dato oppositi, quando datus angulus acutus est.

*Vt latus datum dato ad sinum ang. dat: ita alterum latus ad sinum ang. huic al- 13. triang.
angulo oppositum dat im teri lateri oppositi. rectil.*

Hic sinus inuentus dabit angulum alteri dato lateri oppositum, si acutus fuerit: (Erit autem semper acutus, quando datus angulus est obtusus.) Si vero fuerit obtusus, arcus sinus inuenti ex semicirculo demptus reliquum faciet cum angulum: propterea quando datus angulus est acutus, oportet dari huius alterius speciem, vt sciamus, num acutus sit, vel obtusus. Summa autem horum angulorum ex semicirculo subtracta relinquet tertium angulum quæsito lateri oppositum. Ergo,

*Vt sinus datus anguli ad datum latus ei ad latus quæsumus . 1. triang.
oppositum: uenti quæsumus la- rectil.
teri oppositi*

*Si duo latera data sint æqualia: b erit angulus alteri dato lateri oppositus, b s. primi.
dato angulo æqualis, &c.*

X III I. A N G V L I D V O

Ex duobus lateribus, & angulo ab ipsis comprehenso.

Invenientur ex datis duo anguli, vt in priori parte problematis 12. dictum est, si nimirum inquiratur tangens differentiæ inter semissem arcus, qui, detracto angulo dato ex semicirculo, relinquitur, & alterutrum angulorum, qui quærun- tur, &c. quæ tangens duobus modis inuenta est in priori parte problematis 12. in quo latus proponitur inuestigandum ex duobus lateribus, & angulo ab ipsis comprehenso; quod vt fieret, inuenti prius fuerunt alii duo anguli, qui in hoc problemate 14. quæruntur.

X V. A N G V L I D V O

E X duobus lateribus, & angulo vni eorum opposito : si modo constet species anguli alteri lateri dato oppositi, quando datus angulus acutus est.

Hic etiam adhibenda est prior operatio problematis 13. in quo latus proponitur inquirendum ex eisdem datis. quod vt fieret, inuenti prius fuere reliqui duo anguli, qui in hoc probl. 15. indagandi proponuntur.

X VI. A N G V L I T R E S
Ex tribus lateribus.

11. triang.
rectil.

Ducta ad maximum latus perpendiculari ex angulo opposito, (vt nimurum perpendicularis semper intra triangulum cadat) inueniantur per problema 9 segmenta duo maximi lateris facta a perpendiculari. Deinde,

Vt minimum latus ad sinum totum: Ita minus segmentum maximi lateris ad sinum complemen-
tum maximi la- ti anguli medio la-
teris teri oppositi.

Rursus.

Vt medium latus ad sinum totum: Ita maius segmentum maximi la-
teris ad sinum compl. an-
guli minimi late-
ris teri oppositi.

Inuentis duobus angulis ad maximum latus, qui medio lateri, & minimo o-
ponuntur, si eorum summa ex semicirculo dematur, reliquis fiet tertius angulus
teri maximo oppositus.

rum equali ducta perpendiculari ad basem, quam bisariam secabit,
IN Hosce, al sinum totum: Ita semisisis basis ad sinum compl. unius
Vt alterutrum late- angulorum equa-
lium ad basem.

Summa duorum angulorum æqualium inuentorum ex semicirculo detracta,
relicuum faciet tertium angulum.

IN æquilatero dabuntur anguli, etiamsi latera non dentur, cum quilibet
gradus 60. tertiam videlicet partem duorum rectorum, vel duas tertias partes
vnius recti, complectatur.

F I N I S L I B R I P R I M I .

A D L E T O R E M.

Q U O N I A M non pasci numeri in tabula. Sinuum male sunt expressi, ut vix interosci queant, præstrem magis-
ti illi interiecti pro parte proportionali erunda, corrigendæ ent tabula hoc modo. Quando in fini aliqua figura vna, vel altera non est expressa, immatur vel proxime antecedentium duorum, vel sequentium finium differet, subtrahendo
minus ex maiore, & ea adiiciatur ad proxime ante cedentem finum, vel a proxime sequenti subtractetur, pro vnde dicitur
differencia antecedentia, vel sequentium finium accepta fuit. Ita enim proposit finis, de cuius numeris dubitabatur.
V.g. In fini grad. 16 min. 4, ultima figura versus dexteram non cognoscitur. Quia ergo differencia sequentium duo-
rum finium 2770351. et 2773145. est 277355. si ea ex proxime sequenti fini 2770351 subtractatur, reliqua finis 2767536.
de quo dubitabatur.

M I N V T I autem interiecti numeri facile corrigentur, cum priores continue decreciant per unitatem à 48. vñq. ad
o. proficeris autem contine quoniam decreciant à 4. vñq. al o. deinde semper à 9. vñq. ad o. donec tabula complectatur. Ple-
tanq. sicut ei modi numeri inveniuntur intra columnas. Nam in vertice & pedi columnarum repetit finis ut plurimū
numeri intra columnas positi, ut facilis pars proportionalis inveniatur. quoniam interdum etiam i bi inveniatur satis
quod quando finis proxime antecedentibus, & sequentibus numeris colligendam erit.

ASTROLABII

A S T R O L A B I I
LIBER SECUNDVS.
A V C T O R E
CHRISTOPHORO CLAVIO
B A M B E R G E N S I
E SOCIETATE IESV.



I. *V*PERIOR E libro ea demonstrauimus ,
qua ad Planisphaerij ,sive Astrolabij constru-
ctionem,hoc est,ad proiectionem sphera in pla-
num demonstrandam necessaria esse iudicau-
imus :Nunc ad rem ipsam aggrediamur. Sphæ-
ra igitur caelestis multis modis in planum projic-
ti potest ,pro arbitrio ac voluntate eius , qui:
eam in plano describere conatur, prout videli-
cer hac vel illa figura eam exprimere deside-
rat. Quoniam enim fieri non potest , ut omnia puncta , omnesque circuli , qui
in sphera concipiuntur, ita describantur in plano , ut cundem situm , easdemq;
prositus distanti , et inter se habeant , quas in eius superficie concavas , conuexaque
obtinent , coactilunt Astronomi omnia ipsius linea menta , ac partes ea ef-
figie ac forma in datam planam superficiem proiecere , qua in ea apparent ,
oculo in certo aliquo loco constituto , vel quam perpendiculares ex omnibus
circulorum punctis in eam demissa efficiunt : quod tribus potissimum vijs
factum ab ip sis esse obseruauimus .

Sphaera varia
modis posse in
plano describi.

2. Q V I D A M enim , inter quos est Gemma Frisius non ignobilis scri-
ptor in Astrolabio suo universal , quod Catholicum appellat , oculum collo-
canti in communisclione Aequatoris atque Ecliptice , omnesque circulos ce-
lestes in plano Coluri solstitiorum , qui Meridianum circulum refert , ea for-
mis describunt ,qua eos oculus intuetur .

Astrolobium Ca-
tholicum Gemma
Frisii quo funda-
mento describa-
tur.

3. A II vero non constituant oculum in fixo aliquo & certo loco , sed
omnes

*Planisphaerium
viamorale Ioan.
de Rojas quo san
damenago describa
tur.*

omnes sphæra circulos ea figura in Coluri solstitionum, sine Meridiani plano designant, quam perpendicularares linea ex omnibus punctis circumferentia cuiusvis circuli ad planum Coluri solstitionum, vel Meridiani circuli demissa efficiunt: qua ratione fit, ut omnes circuli, qui neque Aequatoris aequaliter distare, neque ad Colurum solstitionum recti sunt, efficiant in plano illius Coluri Ellipses; Aequator vero cum suis parallelis omnibus, & alijs circuli ad eundem Colurum recti, projectantur in eius planum per lineas rectas. Atque hanc rationem secutus est Ioannes de Rojas in Planisphaerio suo universali. Utriusque autem Planisphaerij constructionem, tam Gemmae Frisii, quam Ioannis de Rojas, acute eleganterque Guidus Baldus e Marchionibus Montis, vir in rebus Mathematicis eruditissimus, demonstravit.

*Astrolabium ad
datam poli altitudinem
diacem quo funda
mento a Ptole
maco describatur.*

*Iordanus quo in
re a Ptolemaeo in
Astrolabio descri
ptione differat.*

*Quæ potissimum
in Astrolabio de
scribantur.*

*Partes inter pau
tas, lineas, & cir
culos sphæra nō
egit peculiari de
scriptione in A
strolabio.*

*Partes singulae A
strolabii, quæ per
celi partibus re
spoudantur.*

4. *P T O L E M A E V S* denique Astronomorum princeps constituit oculum in polo australi, circulosque omnes primi Mobilis, lineas, ac puncta in plano Aequatoris in infinitum extenso ea figura depingit, qua ex polo australi eo in plano cernuntur. Atque hac ratione Astrolabia vulgaria, que ad datam poli altitudinem construantur, ab artificibus describissent. Iordanus tamen, quem secutus est Franciscus Maurolycus Abbas Siculus celeberrimus Mathematicus in doctissima sua Astrolabij theoria & fabrica pro Aequatoris plano aliud assumit illi aequaliter, & quod sphæram in opposito polo boreali tangit: quia sub ipsis figuris in eo apparent omnes circuli ac linea, sub quibus in Aequatoris plano conspicuntur. Sed nos Ptolemyum potius, quam Iordanum, in Astrolabij, sive Planisphaerij constructione imitabimur: quia cum Aequator in Ptolemei ratione eandem retineat magnitudinem, qua Analemma, ex quo tota Astrolabij strutura pendet, describitur; fit ut pleraque multo facilius in Astrolabio delineentur, quam si planum Aequatori aequaliter, sphæramque in opposito polo boreali tangens assumatur, ut ex ijs, que sequuntur, manfestum erit.

5. *O M N I A* porro, que in sphæra caelesti existunt, & in Astrolabio potissimum describi solent, velsunt puncta, vel lineæ rectæ, vel circuli, quorum circumferentia in conuexa superficie sphæra considerantur. Omnia enim alia, cuiusmodi sunt portiones ipsius superficie sphærica, figura rectilineæ tam plane in circulis, quam solida in sphæra descripta, & id genus alia; peculiari ac propria in Astrolabij plano descriptione non indigent, cum inter puncta, lineas, & circulos Astrolabij contingantur, non secus atque in ipsa sphæra contingit. Nam, ut vnum, aut alterum huiusc rei exemplum proferamus, ea pars sphæra caelestis, que ad partes poli borealis ab Aequatore absinditur, hoc est, tocum hemisphaerium boreale, re-

lo, repräsentatur in plano Aequatoris, vel Astrolabij, per eam superficiem planam, qua inter circumferentiam Aequatoris, & polum borealem, sive centrum Astrolabij, quaqueversus icluditur: Reliqua vero Astrolabij portio extra Aequatorem versus tropicum Capricorni in infinitum extensa persinet ad hemisphaerium australis, quod Aequator inspherae caelesti versus polum australem auffert. Sic etiam hemisphaerium, quod Ecliptica in calo versus polum borealem abscondit, est in plano Astrolabij pars illa, qua inter Eclipticam, & eundem polum borealem, sive centrum vndique intercipitur: Pars vero reliqua Astrolabij extra Eclipticam infinite excurrens ubi parti spherae caelestis respondet, quam versus polum australem Ecliptica abscondit. Pari ratione pars illa Astrolabij, qua inter duos tropicos existit, exprimit Zonam torridam, id est, superficiem illam spherae caelestis, quam duo tropici includunt: Pars vero extra tropicum Capricorni in Astrolabio in infinitum extenso, refert illam celi partem, quam tropicus Capricorni versus austrum dirimit; que autem intra tropicum Canceris, est illa, qua in calo inter polum arcticum, & tropicum Canceris existit. Denique quilibet circulus in Astrolabio descriptus, & centrum ambiens, icludit eam celi partem, que in calo intra eius circulus circumferentiam versus polum arcticum continetur: Portio autem reliqua celi continetur extra illum circulum in Astrolabio. RATIO huic se rei est, quia omnia puncta illius partis celi, quam versus polum arcticum circulo quiuis alterutram polarum ambiens abscondit, projiciuntur in planum eiusdem circuli in Astrolabio descripti, puncta vero omnia reliqua partis celi extra planum illius circuli cadunt, ut ex ijs, que sequuntur, perspicuum fieri.

6. **P V N C T V M** quodlibet spherae caelestis per lineam rectam videtur, apparetque in eo punto Astrolabij, sive plani Aequatoris, per quod recta linea ex polo australi per ipsum punctum assumptum ducta incedit.

Punctum quodlibet spherae vbi apparet in Astrolabio.

7. **L I N E A** autem quevis recta, si quidem per polum australem ducitur, apparet tota in uno punto Astrolabij, in eo scilicet, per quod extensa transi; propterea quod omnia eius puncta in eo solo punto cernuntur, cum unicus radius visualis per omnia illius puncta feratur: Si vero per polum australem non traiicitur, aspicitur per triangulum, cuius vertex est in oculo, sive polo australi, basis autem est ipsam lineam visa, ita ut radij visuales, qui per omnia illius puncta feruntur, iaceant omnes in plano illius trianguli: Ex quo fit, ut qualibet recta linea per polum australem non transiens projiciatur in Astrolabium per lineam rectam, quae communis sectio est plani Astrolabij Aequatoris, & dicti trianguli, si tamen eius latera intelligantur esse producta, ut Astrolabij planum secar epos sint,

Recta linea in sphera, quando apparet punctum in Astrolabio, & quantum recta linea.

sint, quando recta linea visa vel tota est citra planum Aequatoris, aut Astrolabij, vel pars eius citra, & pars ultra: quia videlicet radij visuales per omnia puncta lineae rectae vise circumducti a communi illa sectione plani Astrolabij, & dicti trianguli non recedunt. Itaque omnes diametri maximorum circulorum spherae projectantur per centrum Astrolabij in lineas rectas; quippe cum omnes per centrum spherae, quod a centro Astrolabij non differt, ut infra patet, trahuntur; adeo ut recta linea a quo-uis puncto circumferentia alicuius circuli maximi in Astrolabio descripta per centrum ducta, referat illius circuli maximi diametrum, qua in calo du- citur per punctum illud, quod assumpto puncto in Astrolabio respondet: Diametri vero circulorum in sphera non maximorum projectantur quidem in Astrolabium per lineas rectas, sed non per centrum, cum neque in sphera per centrum ducatur.

Circulus quicunque spherae quae modo inspicitur in Astrolabio.

8. CIRCULUS denique quicunque, cuius circumferentia in superficie spherae existit, si quidem per australem polum descriptus est, inspicitur per ra-dios visuales, qui per omnia puncta eius circumferentiae circumlati ab eius plano non recedunt, ac proinde omnes in communione plani circuli & pla-ni Astrolabij, sive Aequatoris terminantur, ut infra demonstrabitur pro-pos. I. Num. I. adeo ut omnia illius puncta in recta linea, id est, in communione illae sectione appareant: Si vero per polum australem non ducitur, sive Aequatori aequaliter, sive non, & siue maximus sit, sive non maximus, cer-nitur per conum, cuius vertex est oculus ipse, sive polus australis, basis vero ipse circulus visus, ut ex definitionibus Apollonij patet, si radius visualis ex polo australi per quodlibet punctum circumferentiae circuli ductus, in-telligatur circa circumferentiam circumduci, ut conum describat, per quem circulus inspicitur ex polo eodem australi, cum radius ille visualis cum om-nibus alijs radijs ex polo australi emissis coniungatur in illa circumlatione: Ex quo fit, ut circulus quilibet spherae, qui per polum australem non duci-tur, in Astrolabium projectatur ea forma, ac figura, quam communis sectio plani Aequatoris, Astrolabijque, & dicti coni effect, dummodo conus ille intelligatur esse productus, ut a plano Astrolabij secari possit, quando cir-culus visus vel totus est citra planum Aequatoris, vel partim citra, par-tim ultra existit. Hec autem communis sectio coni & plani cuiuspiam, quamvis possit esse circulus, Parabola, Hyperbola, vel Ellipsis, ut Apollo-nius demonstrat, tamen in Astrolabij plano, sive Aequatoris, semper circu-lus est, ut suo loco demonstrabimus.

*Astrolabium de-
siderare quid fac-*

9. EX his liquet, nihil aliud esse Astrolabium, sive Planisphaerium construere, hoc est, spharam, seu Primum mobile in plano describere, quam singula illius puncta, lineas, ac circulos in plano Aequatoris sive Astrolabij, eo situ

eo situ disponere, quo ab oculo in polo australi constituto in eo plano conspiciuntur: Adeo ut Astrolabium, Planisphaeriumue sit figura plana continens omnes sectiones plani Aequatoris, Astrolabijue in infinitum extensi, & tam rectarum ex australi polo emissarum, quam triangulorum, conorumque, quorum vertices in polo australi existunt, bases vero sunt rectæ lineæ, & circuli sphærae, qui in Astrolabio describuntur. Quod quaratione fiat, ordine per sequentes propositiones demonstrabimus,

Astrolabij quid.

THEOREMA I. PROPOSITIO I.

CIRCVLVS quilibet sphæræ per polum australem ductus proiicitur cum omnibus punctis, & lineis in eo ductis, in Astrolabiū per lineam rectam infinitam, quæ communis sectio est ipsius circuli, & plani Astrolabij, Aequatorisue: Partes autem illius rectæ arcubus æquilibus respondentes inæquales sunt, eoque maiores, quo à radio visuali per circuli centrum ducto sunt remotiores: binæ tamen partes hinc inde ab eodem radio æqualiter distantes, æqualibusque arcubus respondentes, æquales sunt.

Circulus per polum australem ductus proiicitur in Astrolabium per lineam rectam, & arcus æquales in partes rectæ linea inæquales.

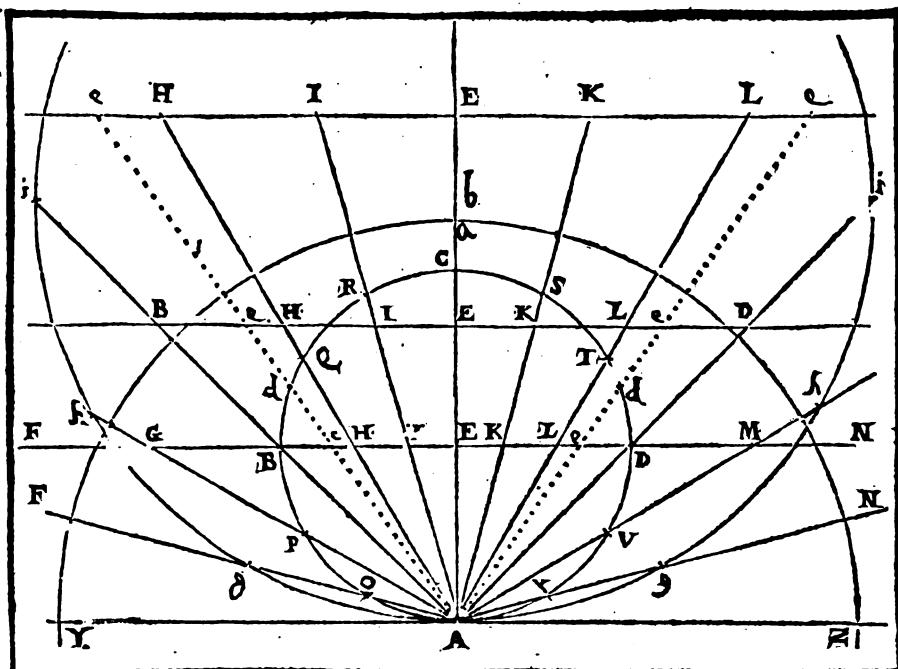
i. DVC TVS sit circulus ABCD, per polum australem A, secans Aequatoris planum per rectam HL, quæ vel per centrum E, circuli propositi transbit, quando nimis circulus ABCD, est maximus; ^a (Cum enim Aequator & circulus maximus ABCD, se mutuo secant bisariam, transbit eorum communis sectio HL, per virtusque centrum, ac propterea & per centrum E, circuli maximi propositi) vel ultra centrum E, existet, quod videlicet circulus ABCD, non est maximus. Tunc enim eius centrum necessario citra Aequatoris planum erit, cum eius semidiameter AE, minor sit semidiametro sphæræ, quæ omnium rectarum ex polo australi A, in planum Aequatoris cadentium est minimus; ^b quippe quæ in centrum Aequatoris cadens sit ad eius planum perpendicularis. Atque hæc recta HL, vel circulum ABCD, secabit, vel tota ultra eum erit, prout videlicet circulus ipse Aequatorem secat, vel totus citra ipsum existit. Dico hunc circulu totū ABCD, cum oībus punctis, & lincis in eo ductis, proiici in lineam rectam HL, in infinitum extensem, &c. Quoniam enim radius visualis ex polo A, per omnia puncta circumferentia circuli ABCD, & per omnia puncta in eius plano existentia circumductus, à piano ipsius circuli non recedit; cadaet necessario in communem sectionem HL. Omnia ergo puncta circuli in eadem recta HL, apparebunt. Et quia radij visuales, quo obliquius rectam HL, secant, eo longius excurrunt, adeo ut radius A Y, vel AZ, circulum

^a 11. s. Tho.^b schol. 8. 1. Theod.

a p. primi.
b p. tertij.

culum tangens in A, in infinitum extensus cum ea non conueniat, sed ei aequidistet, b cum angulus YAE, rectus sit, & angulus AEH, quoque rectus, ex lemmate 26. fit ut si omnia puncta circuli (polo A . excepto , qui solus, vt propos. 4 ostendemus, in planum projici non potest, ob radium YZ, recta HL, parallelum) in planum Astrolabi j proiicienda sint, totus in rectam quodammodo infinitat proiiciatur : propterea quod puncta prope punctum A, existentia , proiiciantur per rectas ipsi HL, ferme parallelas , ac proinde infinito quodammodo intervallo cum eadem recta HL, concurrentes.

2. D I V I S O iam cirkulo ABCD, in partes quotlibet aequales AO, OP, PB,&c. emissisque per divisionum puncta radiis AOF, APG, AB,&c. respondebunt arcus aequales projectis rectis EI, IH, HB, BG,&c. cum in has rectas cadant



omnes radix visuales ex A, per omnia puncta arcuum respondentium emissi. De rectas EI, IH,&c. inaequales esse, maioremque IH, quam EI, & HB, maiorem quam IH,&c. Quoniam enim diameter AC, ex lemmate 26. ad HL, communem sectionem Aequatoris & circuli ABCD, perpendicularis est, erunt anguli ad E, recti; ac propterea, ex corol. 1. propos. 17. lib. 1. Euclid. anguli G, B, H, I, K, L, D, M, vergentes ad E, acuti, ideoq. reliqui ex duobus rectis obtusi. Igitur recta AI, maior erit quam AE, & AH, maior quam AI, & AB, maior quam AH, &c. hoc est, quilibet rectarum ex A, egredientium remotior propinquiore major erit. Et d 27. tertij. quia arcus CR, RQ, aequales sunt, erunt etiam anguli CAR, RAQ, aequales, hoc est, angulus EAH, in triangulo AEH, secutus erit bisferiam. Igitur erit, vs AH,

AH, ad AE, ita HI, ad IE. Cum ergo AH, maior sit ostensio, quam AE; erit quoque HI, maior, quam IE. Eademque ratione maior erit BH, quam HI, & sic de ceteris.

3. POSTREMUS quia in triangulis AEI, AEK, anguli ad E, recti sunt, ideoque aequales, ex lemmate 26. & a anguli quoque EAI, EAK, arcubus aequali a 27. tertij. bus CR, CS, insistentes, aequales, latusque illis adiacens AE, commune; b erunt b 26. primi latera quoque EI, EK, aequalia, quae quidem à radio AE, per centrum ducto aqua litera distant. Item quia in triangulis AEH, AEL, anguli ad E, recti sunt, ideoque aequales, ut dictum est, & anguli quoque EAH, EAL, aequalibus arcubus CQ, c 27. tertij. CT, insistentes, aequales, latusque illis adiacens AE, commune; d erunt etiam latera EH, EL, ab eodem radio AE, aequaliter distantia, aequalia. Ablatis ergo aequalibus EI, EK, ab aequalibus EH, EL, reliqua quoque recta IH, KL, ab eodem radio AE, aequaliter remotæ, respondentesque arcubus aequalibus RQ, ST, aequales erunt. Eodem modo ostendemus rectas EB, ED, aequales esse. Ideoque, ablatis aequalibus EH, EL, & reliqua HB, LD. Atque ita de ceteris rectis à radio AE, aequaliter distantibus, respondentibusque arcubus aequalibus à punto E, aequaliter remotis, quod erat demonstrandum.

4. QVONIAM vero & polus borealis, & totus axis mundanus appareret ex polo australi in centro Astrolabij, siue Aequatoris, seu sphæra; quod axis, qui & recta est ex polo australi ad borealem polum ducta, & Aequatorem in centro sphæra, vel Aequatoris, fecerit, adeo ut centrum Astrolabij repræsentet & centrum sphæra, & polum mundi septentrionalem, & axem mundi: it, ut Meridianus, Horizon rectus, duo Coluri, circuli declinationum, circuli horarum à meridie ac media nocte, omnes denique circuli maximi sphærae per mundi polos ducti, proieciantur in Astrolabium per lineas rectas sece in centro Astrolabij intersecantes, quandoquidem & axis mundi, & polus borealis, vbi omnes illi circuli maximi se intersecant, in centro Astrolabij, vel Aequatoris ex polo australi inspectus apparel, ut diximus. Necesse enim est, ut in Astrolabio eiusmodi circuli maximi se intersecant in eo punto, quod representat punctum illud in sphæra, vel lineam rectam, vbi omnes sece intersecant. Nam quemadmodum in celo omnes illi circuli transeunt per aliquod unum punctum, vel lineam rectam, ita iude conspiciuntur in Astrolabio transire per punctum, quod illud in sphæra representat, vel per rectam lineam, in quam illa proicitur.

5. COLLIGITVR quoque ex his, qua ratione circulus quilibet per polū australē ductus, qui quidem in Astrolabio est linea recta, ut dēmōstratum est, in gradus sit dividendus, & quo pacto propositum punctum eiusmodi circuli in linea illa recta, quæ cum circulum repræsentat, exhiberi possit in Astrolabio. Nā cognito, quantum recta HI, quæ communis sectio est Aequatoris, vel plani Astrolabij, & dati circuli, à polo australi abest, si per centrum E, non transeat, (quo pacto autem distantia hæc cognoscatur, suo loco dicemus, quādū divisione eiusmodi circulorū indigedimus, cuius quidē rei exemplū clarissimum ponemus propos. 8. Num. 2.) si recta ex A, per singulos gradus circuli ABCD, ducantur, secabitur recta HL, in partes inæquales, ut ostensum est, que singulos gradus circuli referunt. Ut quia recta AE, communis sectio est circuli ABCD, & circuli maximi per polos mundi, & ipsius circuli, istas proprias cuiusdam Meridiani, transeuntis, sit, ut quemadmodum tam Q, quam T, est gradus sexagesimus circuli ABCD, initio numerationis factus à punto C, illius Meridiani, ita in Astrolabio punctum tam H, quam L, referat gradum 60, ab eodem Meridiano numerandum. Pari ratione puncta I, K, referent hinc inde gradum 30, & puncta B, D, gradum 90, & puncta G, M, gradum 120, & sic de ceteris.

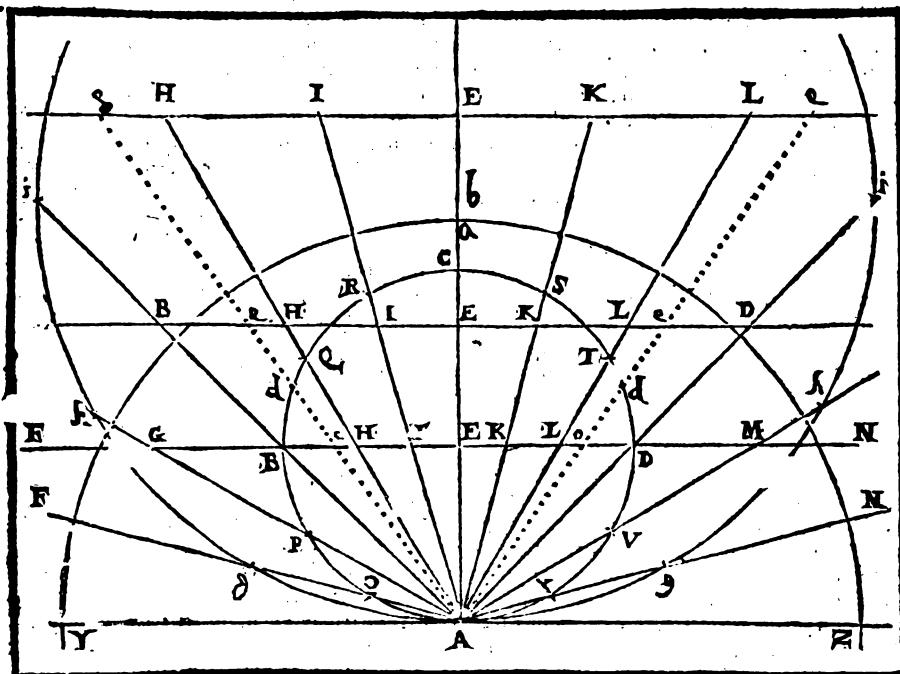
Polus borealis, &
axis mundi idem
est in Astrolabio,
quod eis cen-
trum, vel centrum
sphæra.

C 19. 1. Theb.

Omnes circuli
maximi per mu-
ndi polos ducti
proieciantur in
rectas sece in ce-
tro Astrolabij in
tersecantes.

Circuli per polū
mundi australē
transeunt, que
i pacto in Astrola-
bio, vbi recta li-
nea sunt, in gra-
duis dividuntur.

6. ITA QVE si in recta HL, sive versus H, sive versus L, investigandus sit quilibet arcus, vel gradus propositus, supputandus erit arcus vel gradus ille in circulo à puncto C, versus illam partem, in qua arcus, vel gradus propositus desideratur. Nam per rectas ex A, per extrema puncta illius arcus ductas, vel per rectam per gradum illum ductam, exhibebitur in recta HL, arcus, vel gradus propositus. Ut si ex veraque parte desideretur gradus 70. accipiens erit utrinque arcus Cd, graduum 70. vt in lemmate 3. docimus. Recta enim ex A, per d, effecta, dabit in recta HL, punctum e, quod gradibus 70. utrinque à punto E, abest. Eademque est ratio de ceteris gradibus. Quod si proponatur gradus cum quolibet minutis, accipiens erit secundum doctrinam lematis 3. arcus continens tot gradus, ac minuta, quot proponuntur. Sic è contrario, si scire quis cupiat, omnes



gradibus datum quodus segmentum eiusdem rectæ respondeat, ducendæ sunt à duobus eius extremis due rectæ ad centrum. Haec enim (productæ tamē, si opus fuerit) in dato circulo, quem recta illa representat, intercipient gradus, quibus segmentum propositum respondet. Ut si datum sit segmentum GH, ducendæ sunt due rectæ GA, HA, secantes circulum in P, Q. Nam quot gradus in arcu PQ, continentur, tot in segmento dato GH, includi dicentur. atque ita de ceteris.

7. VERVM ut accuratius rectæ ex A, per singula puncta circuli ABCD, ducentur, præsertim per ea, quæ non procul absunt à puncto A, vbi facile regula à recto situ deslectare potest, propter pusillum illud spaciū inter A, & illud punctum, vtemur hoc artificio. Ex A, describatur semicirculus YbZ, ad quodus interuallum

teruallum, diuidaturque in 360, partes æquales, vterque videlicet quadranta b Y, b Z, in 180. Ita vt quælibet particula semissim vnius gradus complectatur. Nam rectæ ex A, per has graduum semisses in semicirculo Y b Z, emissæ transiunt per integros gradus circuli ABCD, cum ex leminate 10, quælibet particula sit semissis eius arcus in eodem semicirculo Y b Z, qui similis est arcui in circulo ABCD, qui inter duas rectas particulam illam ex semicirculo auferentes includitur.

8. I T A Q Y E si quicunque gradus in recta HL, desideretur, hoc est, punctu complectens quotcunque gradus ac minuta, initio numerationis facto à puncto E, accipiens est in semicirculo à punto a, arcus continens dimidiatum numerum graduum, vel certe tot semigradus, quot gradus proponuntur. Vt si inueniendum sit punctum in recta HL, grad. 70, accipiemus arcum grad. 35, vel semigradum 70. Recta namq. A e d, ex A, per terminum eius arcus ducta dabit in recta HL, punctum e, quod queritur. Sic si queratur punctum grad. 25. min. 40. sumemus in semicirculo arcum grad. 12. min. 50. vel arcum semigradum 25. & semiminutorum 40. atq; ita de ceteris. Vel certe per lemma 3. accipiemus arcum grad. 25. min. 40. Eius enim dimidium dabit arcum similem semissi arcus grad. 25. min. 40. in circulo ABCD. Atque ita semper numerari poterit in semicirculo Y a Z, totus arcus propositus, deinde eius semissis accipi, præsertim si minuta gradibus adhærent, ne cogamur & gradus & minuta partiri bisarlam, quod molestum est, quando numerus graduum ac minutorum est impar.

9. I D E M efficiemus hoc modo. Ex quolibet pucto b, in recta AE, producta describatur per A, alius circulus A g h i, tangens rectâ YZ, vel circulum ABCD, in A, diuidaturq; in gradus. Nam rectæ ex A, per gradus huius circuli emissæ transiunt quoq; per gradus singulos circuli ABCD, eo quod per lēma 9. rectæ ex puncto cōtadūs egredientes absindūt arcus similes ex circulis sequentibus, &c.

10. A N T certe sine circulis idem affequemur per lemma 11. Si rectam u g. AO, in continuum producamus, vt in eo leminate præcepimus, eodemque pacto alias rectas, quarum extrema puncta parum inter se distant, per idem lemma, in rectum & continuum producamus.

11. Q V I N etiam, vt pucta, in quibus rectæ ex A, emissæ nimis oblique rectâ HL, secant, qualia sunt puncta G, & M, magis exquisite habeamus, adhibendum erit documentum lemmatis 13. vbi docuimus, quanam arte inueniri possit punctum, in quo duæ rectæ conuenire debeant, si producantur.

T H E O R . II . P R O P O S . II .

A E Q V A T O R , omnesque eius paralleli in Astrolabium proiiciuntur in formas circulares, & arcus eorum in arcus similes, atque adeo æquales in æquales; & paralleli quidem australes in circulos Aequatore maiores, boreales vero in minores proiiciuntur. Omnes tamen vnum & idem centrum cum Astrolabio habent.

1. A E Q V A T O R E M proiici in formam circularē, perspicuum est. Cum enim inspiciatur ex polo australi per conū, cuius basis est ipsem Aequator in piano Astrolabij, ita vt Aequator sit cōsī sectio eius coni, & plani Astrolabii, quod

Gradus quilibet
quo pucto acci-
piendus est in
circulo ABCD,
in eadem recta,
qua circulus per
mundi polos du-
catur referuntur.

Quando gradibus
minuta adhærent
quid à graduum in
haec secunda via.

Aequator cum
suis parallelis
proiiciuntur in for-
mas circulares &
& partes æqua-
les in partes æ-
quales, &c.

quod ab Aequatoris plano non differt, liquido constat, eum in Astrolabii plano eadem formam circularem retinere, quam in eo cono habet: quandoquidem omnes radij visuales ex polo australi per omnia puncta circumferentia Aequatoris egredientes in Astrolabio terminentur in eadem eius circumferentia, nimirum in base coni.

2. P A R A L L E L O S vero Aequatoris forma quoque circulari in Astrolabium proiici, hoc modo demonstrabimus. Quoniā quilibet parallelus Aequatoris, cum circulus sit per conum inspicitur, cuius vertex polus australis est, & basis parallelus ipse, faciet planum Aequatoris vel Astrolabii basis illius coni æquidistans in eo cono, quando eius basis est ultra Aequatorem, aut in eo producito, quando eius basis citra Aequatorem existit, sectionem circulum, cuius centrum est in axe coni, ut in lemmate 16. demonstratum est.

3. Q V I A vero radii omnes visuales per lemma 28. auferunt ex quo usque parallello, cum basis sit coni, & ex circulo, quem in cono illo pianum Aequatoris vel Astrolabii facit, arcus similes, efficitur, ut arcus cuiuslibet parallelis proiicientur in arcus similes, atque adeo æquales in æquales, cum soli arcus æquales unius circuli arcibus æqualibus alterius circuli possint esse similes. Nam si v. g. duo arcus unius circuli sint similes duobus arcibus æqualibus alterius circuli, erunt iisdem illi duo similes vni & eidem ex his. Quare duo illi æquales erunt: Alias duo arcus inæquales eiusdem circuli essent similes vni & eidem arcui alterius circuli, quod est absurdum.

4. I T A Q U E quadrantes proiicientur in quadrantes, gradus in gradus, minuta in minuta, &c. hoc est, sicut quadrans cuiusvis parallelis in celo est quarta pars sui circuli, & gradus pars trecentesima sexagesima, ita quoque arcus in plano Astrolabij respondens illi quadranti, quarta pars est totius circuli, & pars respondens vni gradui, pars est trecentesima sexagesima eiusdem circuli, & sic de ceteris. Ex quo fit, ut quemadmodum in celo Aequator, & quilibet parallelus in 360. gradus diuiditur æquales, ita quoque Aequator, & circulus in Astro labio eum parallelum referens, diuidendus sit in 360. partes æquales, ut eius gradus habeantur.

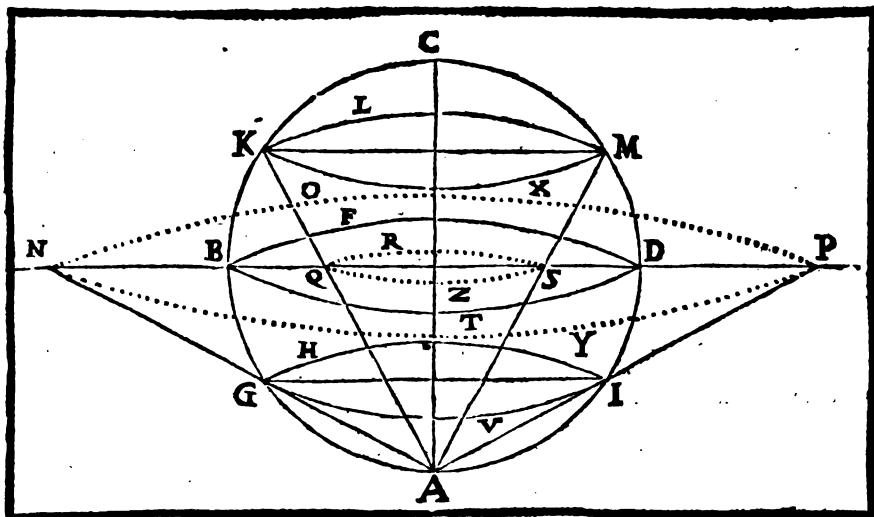
5. D E I N D E sit Analēma, in quo Meridianus ABCD, Aequator BFDT, eiusque diameter BD, parallelus quicunque australis GHIV, eiusque diameter GL, parallelus borealis quilibet KLMX, eiusque diameter KM, & axis mundi AC. Quia igitur radij visuales AG, AI, per extrema puncta diametri parallelis australis ducti, cadunt in planum Aequatoris productum extra sphærā in puncta N, P, communis sectionis plani Aequatoris, & Meridiani, (cum sphærā sent in G, I) radii vero visuales AK, AM, per puncta extrema diametri parallelis borealis ducti, occurrent eidem plano Aequatoris intra sphærā in punctis Q, S, eiusdem communis sectionis plani Aequatoris ac Meridiani, idemque contingit in radisi per extrema puncta aliarum diametrorum utriusque parallelis emissis, liquido constat, parallelogram australē in circulum prout maiorum Aequatore, borealem vero in minorem; quippe cum illius diameter visa NP, maior sit diameter BD, Aequatoris, huius vero diameter visa QS, minor, ac proinde & illius circulus visus NOPY, maior, huius vero circulus visus QRSZ, minor circulo Aequatoris BFDT. Eademque ratio est de aliis parallelis australibus, ac borealibus.

6. P O S T R E M O quia ex lemmate 16. circuli, quos plana basibus conorum parallelia absindunt, centra habent in axe, axis autē mundanus AC, proiecitur in centrum Astrolabij, sive Aequatoris E, ut supra dictum est; perspicuum est

Aequator, eiusque paralleli in Astro labio dividendi sunt in 360. partes æquales, ut eius gradus habeantur, insofar cir culorum in sphera.

Paralleli australi in Astro labio sunt maiores Aequatoris, & boreales, minores.

Aequator, eiusque paralleli in Astro labio idem cum Astrolabio concursum habent.



est, omnes circulos in Astrolabio, in quos Aequator, eiusque paralleli proiec-
tuntur, esse concentricos, idemq; cum Astrolabio centrum habere. Quod erat
demonstrandum.

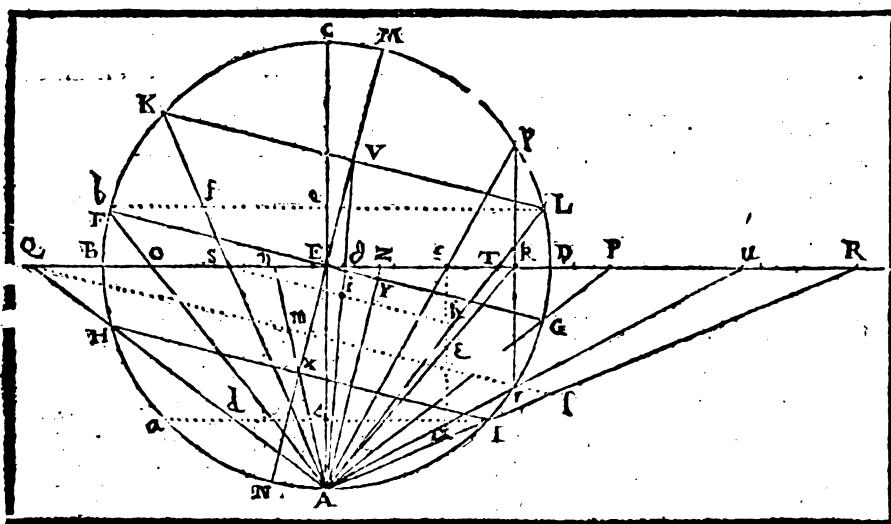
T H E O R. III. PROPOS. III.

CIRCVLS quilibet sphæræ ad Aequatorē obli-
quus, vel etiam rectus non maximus, in Astrolabiū proj-
citur in circularem figuram; sed arcus eius à certo quo-
dam puncto inchoati in arcus dissimiles, atq; adeo æqua-
les in inæquales proiiciuntur: centrum denique eius in
Astrolabio à centro Astrolabij diuersum est.

Obliquus est
les quicunque,
vel eis ad Aeq-
uatorē rectas
non maximas,
projectari fog-
ram circularē,
& partes æqua-
les in partes in-
æquales, &c.

I. IN sphera ABCD, cuius centrum E, & poli mundi A, C, sit circulus tam
maximus, cuius diameter FG, quam non maximus, cuius diameter HI, vel KL,
ad Aequatorem obliquus, hoc est, cuius poli M, N, à polis mundi C, A, diuersi
sint. Vel etiam circulus non maximus ad Aequatorem rectus, cuius diameter
P, R, hoc est, per eulius polos Aequator incedat. Dico eum in Astrolabium proiici-
in figuram circularem, &c. Describatur enim per eius polos, & polos mundi cir-
culus maximus ABCD, sitq; ipsius & Aequatoris communis secatio recta BD,
in infinitum extensa; & ex A, polo australi per extremitates diametrorum ex-
tendantur radii visuales secantes rectam BD, per quam planum Astrolabij,
Aequato-

15.1.Theo. Aequatorisue ducitur, ad quod circulus ABCD, rectus est in punctis O, P; Q, R, S, T, r, u. Et quoniam coni scaleni, quorum vertex A, & bases circuli dia metrorum FG, HI, KL, p, r, secantur piano circuli ABCD, ad bases recto, facienteque triangula per axem AFG, AHI, AKL, A p, r: (Axes enim horum conorum in piano circuli ABCD, sunt, cum basium centra, ad quae axes ducuntur, in eodem plano sint, quippe cum eas circulus bifariam, hoc est, per centra seceret) secantur autem & alio piano per rectam BD, ducto, nimirū piano Aequatoris vel Astrolabij, quod ad triangula per axem, hoc est, ad planum circuli ABCD, rectum est, quod hic circulus per polos Aequatoris ductus eum ad angulos rectos seceret; atq; hoc planum per BD, ductum abscindit triangulum AOP, triangulo AFG, & triangulum AQR, triangulo AHI, & triangulum AST, triangulo AKL, & triangulum Atu, triangulo Ap, r, simile, & subcontrarie positum, vt in lemma 35. demonstrauimus, quemcunque situm habeat diameter circuli inclinati, faciet per lemma 17. Idem hoc planum per BD, ductum, hoc est, planū Astrolabij, Aequatorisue, in conis prædictis scalenis sectiones, circulos, quo rum diametri OP, QR, ST, t, u. Esse autem conos istos scalenos, hac ratione de monstrabitur. Ducto axe basium priorum trium conorum MN, transbit is



15.1.Theo. per E, X, V, centra circulorum, qui bases sunt, rectusq; ad ipsos circulos erit. Cum ergo ex punctis E, X, V, ad eosdem circulos non possint educi a liz lineæ perpendiculares, erunt axes conorum AE, AX, AV, ad eos circulos, hoc est, ad bases conorum obliqui, ideoque coni scaleni etunt. In cono autem posteriore, cū BD, axis circuli, cuius diameter p, r, rectus etiam sit ad p, r, & per eius centrum k, transeat, liquet axem eius coni Ak, obliquum esse ad basem coni, ac proinde conum quoque, cuius basis est circulus diametri p, r, scalonum esse.

2. DE INDE arcus circulorum, quorum diametri FG, HI, KL, p, r, si à certo quadam punto incipiunt omnes, protici in arcus dissimiles, atque adeo arcus

arcus in circulis diametrorū OP, QR, ST, t u, respōdentes & equalibus arcubus in circulis diametrorū FG, HI, KL, p r, esse inæquales; manifestū est ex lem-mate 31. vbi de monstratum est, si in circulo diametri FG, sumantur duo arcus oppositi inæquales incipientes à punctis F, G, arcus in circulo diametri OP, respondentes, quos videlicet in cono, cuius basis est circulus diametri FG, cē-dem rectas lineæ ex A, egradientes aferunt, inæquales esse, maiorem quin-dem cum, qui prope maiorem angulum P, existit, minorem vero eum, qui est prope maiorem angulum O. Est autem angulum O, maiorem in triangulo AOP, & P, minorem, liquet, cum ille sit & qualis angulo G, & hic angulo F, in triangulo AFG, ob subcontrariā sectionem.^a Constat autem angulum G, maiorem esse angulo F, quod & latus AF, latere AG, maius sit, qui ppe cū illud maius sit latere quadrati AB, & hoc minus latere quadrati AD, si ea latera ducerētur, ut constat ex scholio propos. 29. lib. 3. Euclid. Eadem ratione arcubus & equalibus in circulis diametrorū HI, KL, p r, incipientibus a punctis H, I, K, L, p r, respondebunt arcus inæquales in circulis diametrorū QR, ST, t u. Arcus ergo circulorum, quorum diametri FG, HI, KL, p r, in arcus dissimiles proiiciuntur, & & qualles inæquales, si à iis punctis, quæ diximus, initium sumant.

3. IN eodem lemmate 31. demonstratum est, si in cono, cuius basis est circu-lus diametri FG, educantur rectas ex vertice A, arcus in circulo diametri OP, inter P, & illas rectas interceptos, maiores esse, quam vt similes sint arcubus re-spondentibus in circulo diametri FG, quos videlicet eisdem rectas absindunt, &c. Cōstat ergo rursus, arcus circuli diametri FG, proiici in arcus dissimiles in circulo diametri OP, si à punto P, incipiant. Idemq; dicendū est de arcubus cir-culorum, quorū diametri HI, KL, p r. Hi enim ex eodem lemmate proiicientur in arcus dissimiles in circulis diametrorū QR, ST, t u. At vero arcus & qualles cir-culorum maximorum obliquorum iproici in arcus inæquales ordine cōtinuato, euidenter demonstrabimus in scholio propos. 5. Num. 12. & sequentibus. Idemq; deinde in scholijs propos. 6. & 7. de circulis obliquis non maximis demonstrabi-mus. Ita vt verissimum sit, arcus & qualles cuiusvis circuli obliqui, non solum proiici in arcus dissimiles, si à certo quodam punto omnes initium sumant, ve-rum etiam in inæquales, ut in theoremate propositum fuit. Ex quo sit, vt circu-lus obliquus siue maximus, siue non maximus, in Astrolabio diuidendus non sit in partes & qualles, ut eius gradus habeantur respondentes gradibus eiusdem circuli in sphæra, sed in partes inæquales. ut propos. 5. 6. & 7. trademus.

4. D E N I Q V E centrum cuiusvis circuli obliqui in Astrolabio discrēte ab Astrolabii centro, hoc est, diametros vias OP, QR, ST, t u, non diuidi bifaria-m in E, centro sphærae, quod & Astrolabii cētrum est, vt diximus, facile ostē-demus hoc modo. Quoniam EB, ED, & qualles sunt, erit ED, maior quam EO. Multo ergo maior erit EP, quam EO. Non ergo diameier OP, in E, diuidi-tur bifariam. Quod in circulo maximo patet etiam ex lemmate 35. vbi ostē-sum est, perpenicularem AY, ad diametrum FG, diuidere bifariam diametrum OP, in Z. Non igitur in E, bifariā secatur. Rursus ductis Ia, L b, ipsi BD, paral-lelis secantibus axē mundi AC, & rectas AH, AK, in c, d, e, f; quoniam ex scho-lio propos. 4. lib. 6. Euclid. est vt Ic, ad cd, ita RE, ad EQ; & vt Le, ad ef, ita TE, ad ES: Est autem Ic, maior quam cd, & Le, maior quam ef, b 3. tertij. quod Ia, Lb, bifariā secentur in c, e, cum anguli ad c, e, recti sint. c 29. primi. ob parallelas BD, a I, b L. Igitur & RE, maior est quam EQ, & TE, maior quam ES. Neque ergo diameter QR, neque diameter ST, in E, secatur bifariam; ac proinde cum centrum diuidat diametrum bifariam, non erit E, centrum

^a 18. primi.

Circulum obli-
quum in Astro-
labio laetare cen-
tra diuerium a
centro Astro-
labii.

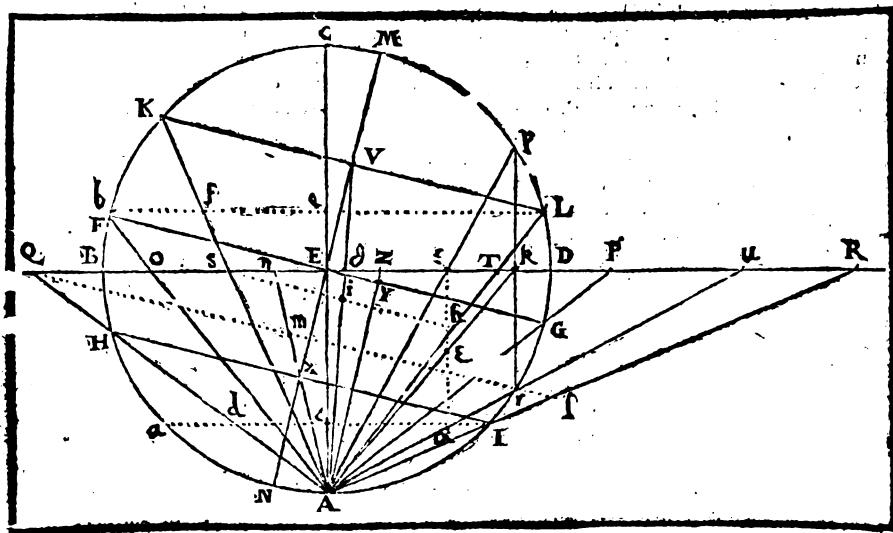
diametrorum OP, QR, ST. Denique diametrum quoque visam tu, non diuidis bifariam in centro E, luce clarius est, cum tota ea ultra centrum E, existat, ut perspicuum est, propter radios AP, AR.

S C H O L I A.

**Circuli obliqui
in quo circulo
maximo inspi-
ciendi sunt, ut ha-
beantur eorum
diametri maxi-
ma.**

Circuli obliqui in quo circulo maximo in principio ciendi sunt, ut habeantur eorum diametri maxi- ma.

1. O P O R T E T autem quoniam circulum obliquum maximum, siveque parallelos, vel circulum non maximum ad Aequatorum rectam, ex polo australi inspicere in communis sectione Aequatoris vel planis Astrolabij, & circulis maximi per polos mundi. & polos circuli obliqui, vel recti, duxi, tum ut demonstremus, eos proiecere in formam circularem, sum ut maximas eorum diametros usque, circa quas describendi sunt, hanc beamus. Nam ut in conoscaleno subcontraria secio sit circulus, necesse est triangulum per axem ad basem coni esse rectum, ut ex nominate 17. constat: Huiusmodi autem est triangulum per axem in planis circuli maximi per polos mundi, & polos circuli obliqui, vel recti, transversatis, & cum hic circulus ad basim coni, hoc est, ad circulum obliquum, vel rectum, per cuius polos ducatur, rectus sit. & aliorum nullus, que per eius polos non incedit. Deinde quia circulus hic maximum poterit maximum



Circulum obli-
quum, vel etia
rectorum, non ma-
ximum, diamet-
rus eius in to-
tius sectione
Aequatoris, &
circulus maximus
per polos mundi
& polos obliquos
cum circulum, vel
rectum in dia-
metri, est omnium
maximus.

declinationē maximis circuli obliqui ab Aequatore, cum eius arcus inter maximū cir-
cus' um obliquum, & Aequatorem, sit arcus anguli, quem obliquus circulus cum Aeq-
uatorio facit, ex defn. 6. nostrorum triang. spharic. constitueret diametrum maximū
circuli obliqui, que communis sectio est ipsius. Et illius circuli maximi, (qualis in
precedenti figura est diameter FG,) cum diametro Aequatoris, qua eiusdem cir-
culi maximi, & Aequatoris communis sectio est. (eiusmodi est in eadem figura dia-
meter BD,) miorem angulum, quam illa alia vias diastet, qua communis sec-
tio sit circuli obliqui. Et alterius maximi circuli per polos mundo, sed non per polos obli-
qui

qui circuli, incedentibus, cum hic circulus non metiatur maximam declinationem circum obliqui ab Aequatore: ac proinde omnes alio diametri circuli maximi obliqui inter puncta B. & F, atque D. & G, cadens. Igitur per lemma 36. diameter OP, visa est omnium maxima, & BD, omnium minima, propterea quod recte per extrema puncta aliorum diametrorum minores angulos, cum BD, in centro E, constitutum duxit abscindit minores rectas ex BD, recta OP, & maiores quam BD, ut ibi demonstravimus.

2. $\angle VOD$ autem diameter visa ST, circuli obliqui non maximi, cuius diameter KL, communis sectio ipsius¹, & circuli maximi ABCD, per ipsum polos. Et polos mundi ducti, sic quoque omnium maxima, ita confirmabimus. Ductus ex A₁ ad V, centrum obliqui circuli in cono, cuius ipse circulus est basis, axis AV, secans rectam BD, in g. Omnes ergo diametri circuli obliqui in sphaera per centrum V, transversos, conspiciuntur in Astrolaby plano per rectam BD, ducto transire per punctum g. Ducta quoque S h, ipsi KL, parallela, que fecerat axem coni AV, in iherit. ex scholio propos. 4. lib. 6. Euclid. ut h, ad i, S, ita LV, ad VK. Est autem per lemma 29. maior proportio T g, ad g S, quam LV, ad VK. Cum ergo LV, VK, sint aquales, in quaes erant T g S, maiorque T g, quam g S; ac proinde centrum circuli diametri ST, dividens diametrum ST, bifariam, existet in recta T g.² Recta ergo ST, per centrum illius circuli ducta, qui quidem refert circulum obliquum diametri KL, ut demonstravimus, maior est omnibus alijs rectis per g, ductis in eodem circulo, que quidem sunt diametri visa circuli obliqui, ut dictum est. Eodem modo ostendemus diametrum vimam QR, circuli obliqui non maximi diametri HI, que communis etiam sectio est ipsius, & circuli maximi ABCD, per ipsum polos, & polos mundi transversunt, esse omnium maximam. Ducto enim ex A, ad X, centrum obliqui circuli in cono, cuius ipse circulus est basis, axe AX, qui productus fecerat rectam BD, in n, conspiciuntur omnes diametri circuli obliqui in sphaera per centrum X, ducta transire in plano Astrolaby per rectam BD, ducto per punctum n. Et quia ducta QR, ipsi HI, parallela, que axem coni productum fecerat in m; est ut lm, ad m QR, ita IX, ad XH, ex scholio propos. 4. lib. 6. Euclid. Est autem per lemma 29. maior proportio Rn, ad nQ, quam lm, ad mQ; erit³ quoque maior proportio Rn, nQ, quam IX, ad XH. Cum ergo IX, XH, aquales sint, in quaes erunt Rn, nQ, maiorque Rn, quam nQ; ac proinde centrum circuli diametri QR, qui refert obliquum circulum diametri HI, ut demonstravimus, dividens diametrum QR, bifariam, in recta Rn, existet.⁴ Recta igitur QR, per centrum illius circuli ducta, maior est omnibus alijs rectis per n, ductis in eodem circulo, que quidem sunt diametri visa circuli obliqui diametri HI, ut diximus. Denique non aliter probabimus diametrum visum tu, circuli ad Aequatorem recti, cuius diameter pr, esse omnium maximam. Ducto enim axe Ak, in cono, cuius basis est circulus diametri pr, agatur per t, ipsi pr, parallelat a, secans Ak, in q. Erit igitur ex scholio propos. 4. lib. 6. Euclid. ut a s, ad t, ita rk, ad kp. At per lemma 29. maior est proportio uk, ad kt, quam ae, ad et. Igitur maior quoque erit proportio uk, ad kt; quam rk, ad kp. Cum ergo aquales sint rk, kp, in recta uk, kt, maiorque erit uk; ac proinde centrum circuli diametri tu, in recta uk, existet. Ergo recta nt, per illud centrum ducta erit maior omnibus alijs rectis per k, ductis in eodem circulo, que quidem sunt diametri visa circuli, cuius diameter pr, in sphaera. quod est propositorum.

3. I M M O & hoc demonstratio in circulos maximos conuenit. Quoniam enim in eadē precedenti figura omnes diametri circuli maximi obliqui, cuius diameter FG, communis sectio ipsius, & circulus maximi ABCD, per ipsum polos, & polos mundi ducti,

N n 2 consipi-

b 15. tertij.

b 15. tertij.

conspicuiuntur transire per E, centrum, sphere, vel Astrolobij, estque centrum diametri visa OP, cuius circulus circulum maximum obliquum diametri FG, in Astrolobio representat, ut demonstratum est in recta P E, quod haec maior sit, quam EO, ut supra ostendimus erit recta O P, per centrum illius circuli ducta, maior omnibus alijs rectis per E, educitis, qua quidem, ut dictum est, sunt diametri visa circuli obliqui diametri FG.

Charta obliquorum circulorum vel etiam rectorum non maximorum in Astrolobio iama ad eum in eis sectione plani Astrolobii Aequatoris, & circul. maximi per polos mundi, & polos circumferentiarum obliquorum, vel rectorum ductarum.

Rectam lineam per centrum Astrolobi, & centrum cuiusque circuli in Astrolobio de scripti ductam, esse communem sectionem plani Astrolobi, Aequatoris, & circul. maximi, qui per polos mundi & polos de ceteri circuli ducuntur.

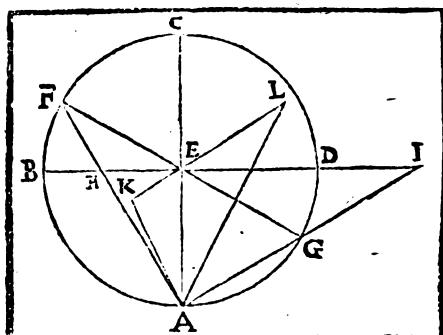
A ls. i. Theor.

E X quo illud etiam efficitur, rectam per centrum Astrolobij, & centrum cuiusq; circuli obliqui tam maximi, quam non maximi, vel etiam recti non maximi, transita, es se communem sectionem plani Astrolobij Aequatoris, & circuli maximi, qui per polos mundi, & polos obliqui circuli, vel recti, incedit in sphera. Nam si alia quanis linea recta diceretur esse hac communis sectio, appararet in ea maxima diameter visa, atque adeo in eadem centrum obliqui circuli, vel recti describendi existaret, ut diximus. quod est absurdum, cum eius centrum in priore illa recta linea posicium sit.

5. IT A Q V E Horizon obliquus, Ecliptica, (positis principijs Δ , & Z , in Meridiano) & Verticalis primarius, inspicuntur sunt in communis sectione Meridiani, & Aequatoris sive Astrolobij, ut eorum diametri visa habeantur maxime, atque in eadem sectione eorum centra existunt: quia nemirum Meridianus per illorum circulum polos ductus, ad eosdem rectus est.

6. I O R D A N V S in suo planispherio, quod est instar commentarioli cuiusdam in planispherium Ptolemai, alia demonstratione, qua ex conis non pender, concludit circulos obliquos omnes proiecere in figuram circularem, hoc est, omnia puncta circumferentia eiusius circuli obliqui per radios ex polo australi emissi cadere in circuli circumferentiam, quam demonstrationem, quod acuta sit & elegans, hic census apponendum. Sit ergo primum circulus maximum obliquus, cuius, & circuli maximi ABCD, per eius, & mundi polos ducti, communis sectio sit FG, cuius extrema puncta per radios AF, AG, apparent in BD, communis sectione eiusdem circuli maximi ABCD, & Aequatoris, Astrolobij, in punctis H, I, ita ut H I, sit diameter visa omnium maximorum, ut demonstratum est Num. 1. 2. & 3. si circulus maximus obliquus diametri FG, vissus in Astrolobio obtineat circularē figurā. Deinde

Ierdani demonstratio, circulos obliquos, vel etiam rectos non maximos proiecere, in figuram circularem.

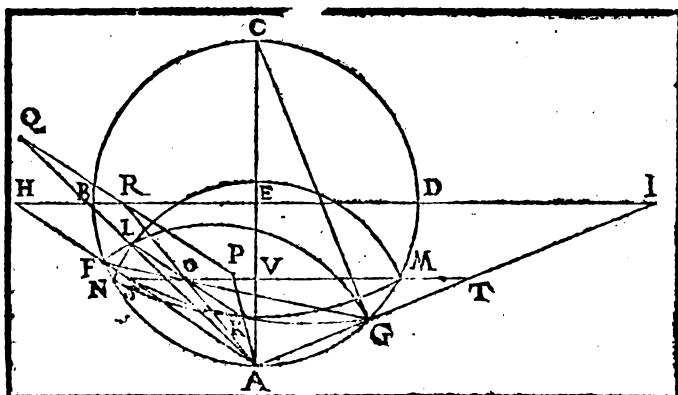


cōcipiatur alius circulus maximus per polos quidem mundi A, C, sed non per polos circulorum obliquorum diametri FG, descriptus, secas circulum obliquum propositum non iam per diametrum FG, sed per aliam, per cuius extrema puncta emissi radii vissim AK, AL, absindas ex eisdem sectione posterioris huius circuli maximimi per polos A, C, ducti, & plani Aequatoris, Astrolobi.

Astrolabijne, ad quod circulus ABCD, rectus est, diametrum visam KL. Dico. ass. s. Theo. quatuor puncta H, I, K, L, in plano Aequatoris seu Astrolabij, cadere in circulo circumferentiam. Quoniam enim angulus FAG, in semicirculo rectus est, rectangulum b 31. tertij. erit triangulum AHL, ad cuius basim HI, demissa est perpendicularis AE, nimirum axis ipse mundanus, qui per sphera centrum E, transit, rectusque est ad Aequator c 10. i. Theorem, cuius axis est, ideoque ex defin. 3. lib. 11. Euclid. ad rectam BI, in Aequatoris plano existentem perpendicularis. Igitur erit per coroll. propos. 8. lib. 6. Euclid. AE, media proportionalis inter HE, EI. ^d Igitur rectangulum sub HE, EI, quadrato recta AE, equale erit. Rursus quia angulus KAL, rectus est, cum etiam in semicirculo existas, nimirum in eo, quem ex maximo circulo per polos mundi, sed non per polos obliqui circuli, ducto auferit diameter circuli obliqui, per cuius extrema puncta radii visuales emissi absindunt diameter visam KL; erit triangulum AKL, rectangulum, ad cuius basim KL, demissa est perpendicularis AE, am. videlicet ipse mundanus, qui per sphera centrum E, transit, rectusque est ad Aequatorem, cuius est e 10. i. The. axis, ideoque ex per defin. 3. lib. 11. Euclid. ad rectam KL, in plano Aequatoris existentem perpendicularis. Igitur per coroll. propos. 8. lib. 6. Euclid. AE, media erit proportionalis inter KE, EL: ac proinde rectangulum quoque sub KE, EL, quadrato recta AE, equale erit. Quocirca rectangula sub HE, EI, sub KE, EL, equalia inter se erunt, cum verumque quadrato recta AE, ostensum sit equale: ac propere ex scholio propos. 3. lib. 3. Euclid. circulus circa diametrum HI, descripens per puncta K, L, incedet. Non aliter ostendemus, eundem transire per extrema puncta aliarum diameter visarum, si nimirum cōcipientur alijs circuli maximi per polos mundi, sed non per polos circuli obliqui diametri FG, describi, facientes in circulo obliquo diametros, per quarum extrema puncta radii visuales ex A, procidentes absindant in piano Aequatoris alias diametros visas à diametro visa KL, differentes. Circulus ergo obliquus maximus, cuius diameter FG, in formam circularem proicitur, quod erat demonstrandum.

7. DE INDE sit circulus obliquus, vel etiam rectus non maximus FKGL, cuius, & circuli maximi ABCD, per eius, & mundi polos ducti, communis sectio sit FG, cuius extrema puncta per radios AF, AG, appareant in BD, communis sectione eiusdem circuli maximi ABCD, & Aequatoris vel Astrolabij, in punctis H, I, ita ut HI, sit diameter visa omnium maxima, ut demonstratum est Num. 1. 2. & 3. si circulus obliquus FKGL, visus in Astrolabio circularem figuram obtineat. Per quodlibet punctum O, diametri FG, ducatur planum Aequatoris parallelam, hoc est, ad circulum ABCD, rectum, cum hic circulus Aequatoris, eiusque parallelos fecerit per polos A, C, & ideoque ad angulos rectos, faciens in circulo ABCD, sectionem MN, ipsi BD, parallelam, & in sphera superficie circulum N KML, sitque KOL, communis sectio circulorum FKGL, N KML, ^{ges. s. Theo.} ^{h 16. undec.} ^{i 1. i. Theo.} ^{k 19. undec.} ^{l 3. tertij.} qua ad circulum ABCD, recta erit, quod uterque circulus ad eundem sit rectus, ac proinde ex defin. 3. lib. 11. Eucl. ad FG, rectam perpendicularis, ideoque diameter FG, secans KL, ad angulos rectos, eundem bisariam in O, faciat. Extensa autem ex A, per O, recta AO, fecerit HI, in R, & per R, in piano trianguli AKL, (ductis rectis AK, AL,) recta KL, parallela agatis PRQ, occurrentes rectis visualibus AK, AL, in P, Q. ^{m 8. undec.} ^{n 31. tertij.} qua erit ad planum eiusdem circuli ABCD, recta erit, ac proinde in piano Aequatoris per HI, ducta, et ad eundem circulum ABCD, recta existet. Puncta igitur K, L, circuli FKGL, in piano Aequatoris, Astrolabijne, apparetur in punctis P, Q. & recta KL, in recta PQ. Dico quatuor puncta H, I, P, Q, in circumferentiam circuli cadere in piano Astrolabij sine Aequatoris. Intungatur enim recta GC, & recta MN, fecerit radium visualem AF, in S, & axem AC, in V, eadem que recta NM, excedatur usq; ad T. ^{o nec O 19. primi.} Quoniam igitur angulus AGC, rectus est, & non ^p

non & angulus AVT , ob parallelas BD , NM : Habent autem & triangula AGC , AVT , angulum A , communem ; erit per coroll . 1 . propos . ; 2 . lib . Euclid . reliquo angulo ACG , reliquo angulo ATV , equalis : ^a Est autem eidem angulo ACG , angulus AFG , equalis . Igitur & anguli T , F , in triangulis GOT , SOF , aequales erunt . ^b Cum ergo & angulis ad verricem O , sint aequales ; aquiangula erunt triangula GOT , SOF . ^c Igitur erit ut GO , ad OT , ita SO , ad OF : ^d ac proinde rectangulum sub GO , OF , rectangulo sub TO , OS , aequale erit . ^e Est autem rectangulum sub GO , OF , aequale rectangulo sub KO , OL . Igitur & rectangulu sub TO , OS , eidem rectangulo sub KO , OL .



f 17. sexti.

g 4. sexli.

T.O. JR.
OA. RA.
KO. PR.

b. 17. *sexti.*

*S.O. HR.
OT. R.J.
OK. RP.*

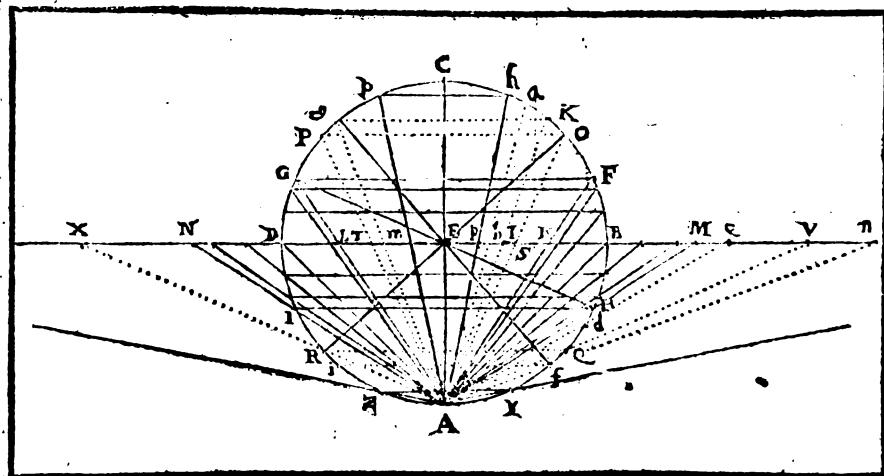
*... etiam in circulo transire per alia puncta, in qua evanescit in
plano Astrolabij Aequa: cruce, recte et ex polo australi A, per alia puncta circuli obliqui
FKGL, emissa, si nimis rursum per alia puncta diuincti FG, ducantur plena Aequatoris
parallelas, &c. Circulus igitur obliquus, vel eratam reclus non maximus FKGL, in cir-
cularem figuram projectetur. quod ut ac demonstremus audum.*

PRO-

PROBLEMA I. PROPOS. III.

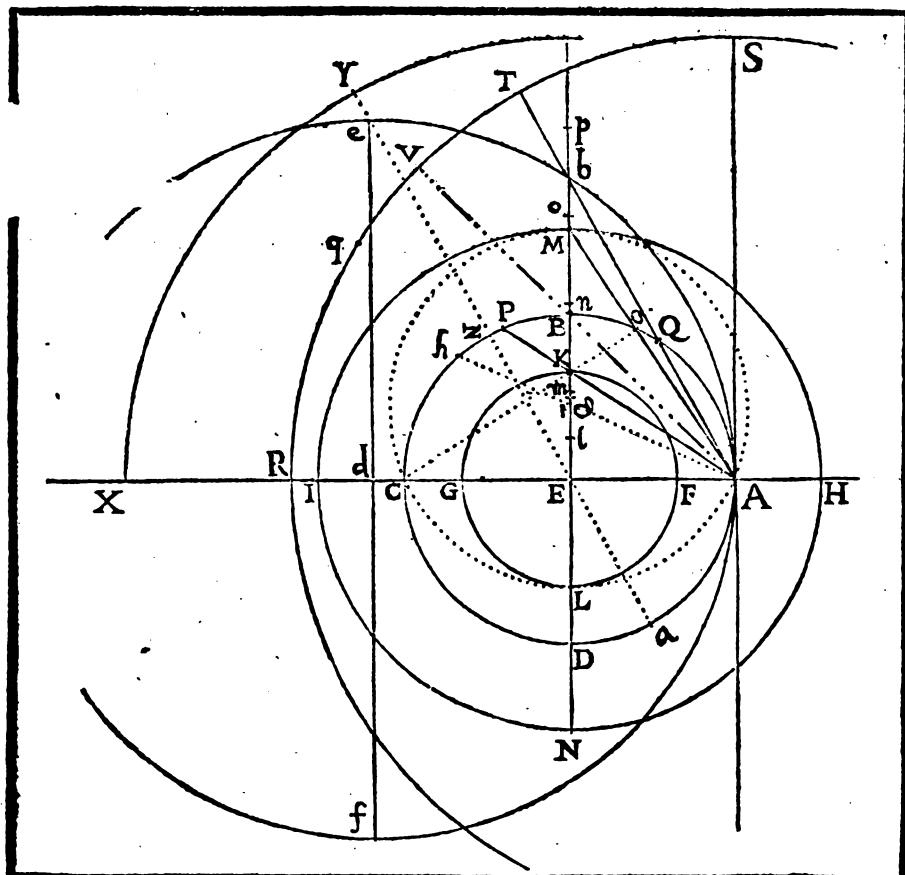
A E Q V A T O R E M, & quemlibet eius parallelum,
cuius datus sit arcus declinationis, in planum Astrolabij
proiecere, atque in gradus distribuere.

1. D E S C R I B A T V R. Analemma, ut lemmate 19. traditum est, cuius Meridianus ABCD, ex centro E, descriptus sit æqualis Aequatori in futuro Astrolabio; (accipi enim potest magnitudo Aequatoris ad cuiusque arbitrium) axis mundi AC; polus australis A, & borealis C; Diameter Aequatoris BD; Tropici Δ , FG; tropici Ξ , HI, ita ut arcus BF, BH, DG, DI, metiatur maxima So-
ls, vel Eclipticæ, declinationem; atque inter has diametros FG, HI, diametri aliorum parallelorum per signorum initia duorum continetur, ut in An-
lemmate lemmatis 19 & extra easdem, diametri circulorum arctici & antarctici
hp, YZ; Diameter Horizontis ad elevationem poli grad. 42. fg; eius axis, siue



diameter Verticalis OR; Diameter Eclipticæ GH. Sit igitur ex australi polo A, per extrema diametrorum puncta emittantur radij visuales, secabunt iij diametrum Aequatoris BD, in infinitum extensam (per quam quidem ducitur planum Aequatoris vel Astrolabij, ad quod Meridianus faciens in eo se^quietur BD, rectius est.) in punctis, in quibus extrema illa puncta apparent, ac proinde ex eadem recta BD, diametros visas abscindent; eritque diameter visa Aequatoris BD, eadem quo^z Analemmatis tropici KL, tropici MN. Et quoniam per propos^z 2. Aequator, eiusque paralleli omnes in figuris circulares prouisiuntur, centrum commune habentes E, in axi conorum, erunt omnes alia diametri parallelorum visu^z e^{qua}les diametris BD, KL, MN, cum omnes per E transeant, terminenturque in circumferentiis circulorum ex E, ad interualla EB EK, EM, descripti.

descriptorum. Quocirca si in plano, in quo Astrolabium construendum est, ex assumpto quoquis centro E, ad interualla semidiametrorum EB, EK, EM, circuli describantur, erit ABCD, Aequator; FKGL, tropicus Δ ; & HMIN, tropicus Σ . Eodem prorsus modo alijs parallelis per signorum initia incidentes describentur, & alijs etiam parallelis tam intra tropicos, quam extra, si eorum declinationes, sive distantiae à punctis B, D, cognitæ fuerint. In proposito Analemmate



radij visuales AY, AZ, per puncta extrema diametri circuli antarcticí YZ, emis-
si, tam procul cum recta BD, concurrunt, vt eius diameter visa in plano nota*i*
non potuerit. In eodem Analemmate, si ducatur diameter OP, paralleli borealis gradibus 42. ab Aequatore recedentis, atque per verticem, sive polum Horizontis Romani transeuntis, & alia diameter paralleli australis oppositi QR, per Nadir, sive alterum polum eiusdem Horizontis incidentis, emittanturque per
puncta

puncta extrema radij visuales, reperientur eorum parallelorum diametri appartenentes in plano Astrolabij ST, VX. Satis autem est, ut vides, si ex una tantum parte axis AC, dextra, vel sinistra, inueniantur semidiametri appartenentes ES, EK, EB, EM, EV, vel ET, EL, ED, EN, EX, &c. Polus quoque arcticus C, apparet in plano Aequatoris vel Astrolabij per rectam BD, ducti, & ad Meridianum ABCD, recti in ipso centro E, Astrolabii, vel Aequatoris. Immo & totus axis AC, in centro E, conspicitur, adeo ut E, centro Astrolabij, & parallelorum, representet & polum borealem, & axem mundanum. qd supra quoq; propos. 1. n. 4. monuimus. Quemadmodum denique, descriptis parallelis in plano Astrolabii, ut diximus, diameter, vel recta MN, est eis sectio plani Astrolabii vel Aequatoris, & Meridiani circuli, representans in Astrolabio ipsum circulum Meridianum, ita diameter, vel recta HI, illam sectans ad angulos rectos, est sectio communis eisdem plani Astrolabii, Aequatoris, & Horizonis recti, sive Coluri Aequinoctiorum, congruente Solstitiorum Coluro cum Meridianu. Cum enim Meridianus, & Horizon rectus, per propos. 1. Num. 4. proiiciantur in lineas rectas per centrum E, transentes, sitque tam Horizon rectus, quam Aequator, ad Meridianum rectus, erit quoq; eorum communis sectio ad eundem rectam, ac proinde ex defin. 3 lib. 1. Eucl. cum MN, in Meridianu existente rectos angulos constituet. Quare HI, ad MN, perpendicularis communis sectio erit Horizonis recti, & Aequatoris, MN, statuatus eisdem Aequatoris, & Meridiani sectio communis.

2. IAM vero quia per propos. 2. Num. 4. Aequator in Astrolabio, cuiusq; parallelis, dividendi sunt in partes 360. aequales, ut eorum gradus habeatur, facile cuiusvis parallelis gradus habebitur, si in 360. partes aequales secerit. Ex quo fit, rectas per centrum E, traictas, secantesq; circulos ex E, descriptos in 360. partes aequales, eis sectiones esse plani Astrolabij Aequatorique, & maximorum circumferentiarum per mundi polos, & singulos gradus Aequatoris duorum, cu[m] hi in spherae o[mn]ibus parallelos partiantur in gradus, b[us] in partes videlicet similes partibus Aequaris, proiicianturque per propos. 1. Num. 1. in lineas rectas in Altrolabium. 3. I T A Q V E. vt quilibet parallelus propositus per quemcumq; gradum Meridiani, sive Coluri solstitiorum transiens, in Astrolabio describatur, numeranda est in Aplanemmate eius declinatio, seu distantia ab Aequatore, ex puncto B, versus polum arcticum C, aut versus antarcticum A, prout datus parallelus borealis est, aut australis. Recta enim per finem numerationis ex A, quæta abscondit ex EV, secundum diametrum, ad eius intermedium datus parallelus ex centro E, in Astrolabio describendus est. Ut si describendus sit parallelus ab Aequatore gradibus 60. in Boream declinans, numerabimus a B, versus C, grad. 60. usque punctum a. Nam recta AA, aut eius semidiametrum apparentem Eb. Sic etiam, si describendus sit parallelus in austrum ab Aequatore declinans grad. 30. numerabimus a B, versus A, grad. 30. usq[ue] ad punctum d. Recta namque Ad, producta abscondit eius semidiametrum vnam. Et atque id est ceteris.

4. VICISSIM descripta quævis parallello ex centro E, in Astrolabio, cognoscemus eius declinationem ab Aequatore sive in boream, sive in austrum, in ratione. Eius diameter in Astrolabio sumpta transferatur in rectam EV, ex E, in Aplanemmate. Ex termino enim ipsius rectam, ducta transibit in Meridianum ABCD, per punctum, per quod parallelus datus in sphera curvatur. Et si quidem regilla fecerit quadrantem BA, parallelus australis erit borealis vero. Si quadratum BC, fecerit. Ut si cognoscere velis, num parallelus HMIN, in Astrolabio sit australis, borealis sive quantum habeat declinationem, et quæ est opus est, daturum EM, permissio circini in Aplanemmate ex B, dum AB, quia res a duxit A, M, sexat.

satis est, si semidiametri dantur, ut inueniantur.

Polus arcticus, & axis mundi representatur in Altrolabio per extre[m]um.

Meridianus, & Horizon rectus in Altrolabio qui

Diametru[m] parallelu[m] Aequatoris in gradus.

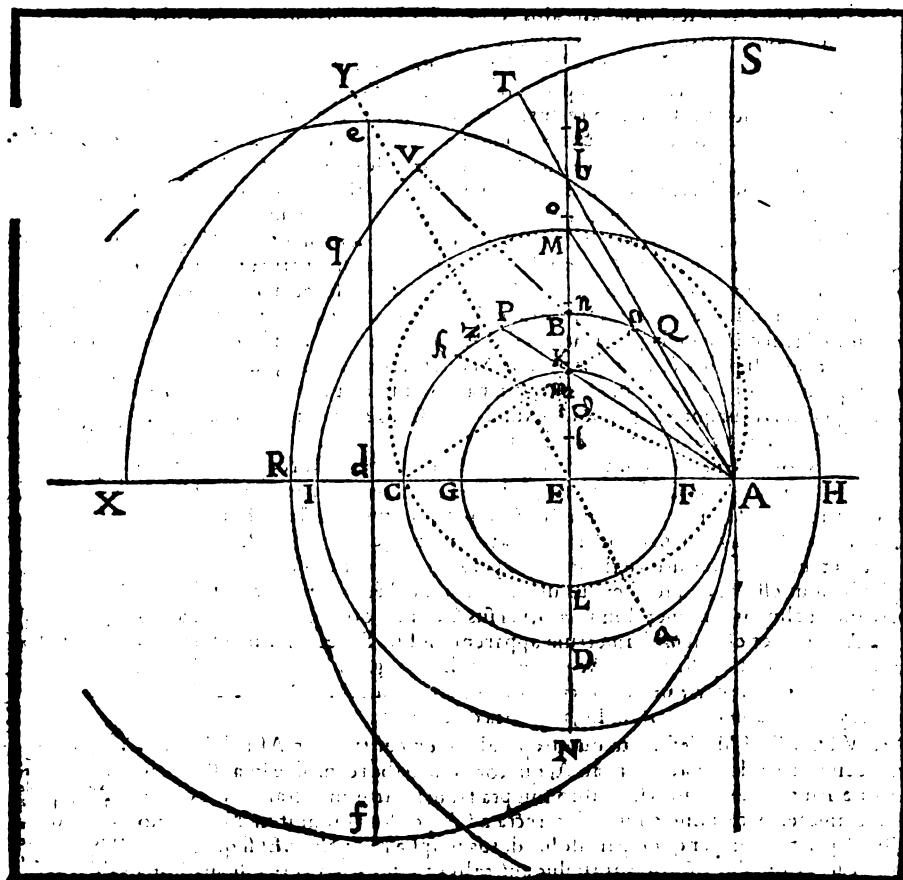
Circulos maximos per polos mundi & gradus singulos Aequatoris ductus in Altrolabio representari per lineas rectas per centrum Astrolabi, ductas dividentes rectas quilibet extremitatum, ex deinde centro datum in 360. partes aequaliter.

b[us] 2. Tha Parallelum quilibet Aequorū datæ, declinatio[n]is, in Altrolabio ex Aplanemmate describeret.

Paralleli cuiuslibet Aequorū in Altrolabio de scripti declinatio[n]em ex Aplanemmate cognoscere, & virtutem eius australis.

quadrantem BA, in H, pucto, quod à B, abest gr. 23. m. 30. erit paralleles HMIN, australis, ac proinde tropicus Σ . Sic diameter EK, paralleli FKGL, dabit in Analemmate arcum declinationis borealis BF, grad. 23. min. 30. ideoque parallelus erit tropicus Δ . Quia denique semidiameter EB, paralleli ABCD, in Analemmate coincidit cum semidiametro EB, erit ipse parallelus in Astrolabio Aequator. Et sic de ceteris.

5. C A E T E R V M eosdem parallelos Aequatoris in plano Astrolabii, vna cum Aequatore describemus, etiamsi Analemma seorsum non sit constructum, hoc modo. Descriptio Aequatore cuiusvis magnitudinis ABCD, in plano Astro labii ex E, centro. Huius enim circuli magnitudo arbitrio cuiusque determinari



potest.)duobus diametris AC, BD, res ad angulos redos in centro secantibus, sumatur circulus hic ABCD, pro Meridiano Analemmatis, quandoe quidem

P R O P O S . I I I I .

quidem Aequator Astrolabii, & Meridianus Analectmate aequalis sunt, ut dicitur. Cum est; & AC, pro axe mundi; atque A, sit polus australis, & C, borealis; dentique BD, in veramque partem extensa recipiatur pro communis sectione Aequatoris, ac Meridiani, ut in Analectmate, perinde ac si semicirculus BAD, ad rectos angulos insistat plano Aequatoris, vel Astrolabii, in recta BD, & alter semicirculus BCD, eidem plano ex altera parte insistat ad rectos angulos, ita ut totus circulus ABCD, situm Meridiani obtineat. Itaque si a puncto B, supponatur perpendicularis C, declineatio borealis paralleli dicitur, declinatio vero paralleli australis versus A, & ex A, per finem suppunctionis recta egreditur, secabitur recta EB, in puncto, per quod parallelus datae declinationis ex E, centro describendus est. In iisdem enim punctis recta ex A, egredientes rectam BD, in infinitum productam secabunt, in quibus eandem secant, si circulus ABCD, ad rectos angulos plano Astrolabii insisteret in recta BD, ut perspicuum est. Ita vides suppunctionis esse ex veraque parte maximas Solis declinationes BP, BO, grad. 22. min. 30. & easque AP, AO, rectam EB, secare in K, M, punctis, per quae tropicus ω , & tropicus ζ , descripti sunt.

6. A T Q V E eadem arte quemcunque parallelum datae declinationis describemus, si eius declinationem a puncto B, numeremus versus C, si ea fuerit borealis, versus A, vero, si Australis. Ratio hic eadem est, qua in Analectmate. Nam per fines, verbi gratia, declinationum P, O, ducendae sunt diametri parallelorum illarum declinationum in Analectmate. Igitur earum extrema puncta P, O, apparebunt in K, M, ac proinde semidiometri eorum apparentes sunt EK, EM, &c.

C A E T E R V M satis est, si declinatio data ex B, in unam partem numeretur, ut ex ea describamus parallelum tam borealem, quam australem illius declinationis. Nam si declinatio sit BO, abscedet radius AO, ex A, polo propinquiore emisus semidiometrum EM. parallelus australis: at radius CO, ex C, polo remotiore ductus auferet semidiometrum EK, parallelus borealis, &c.

7. E contrario declinationem cuiuslibet parallelis in Astrolabio descripti cognoscemus, si ex punto, ubi rectam EB, secat, ad A, rectam ducamus. Hec namque semicirculum ABC, in puncto declinationis secabit. & si quidem fecerit quadratum BC, declinatio erit borealis, si vero quadratum BA, australis. Ut ducta recta AK, dat in quadrante BC, declinationem borealem BP, recta vero AM, declinationem BO, australiem in quadrante BA.

8. Q VONIAM vero cum Declinatio australis dati parallelis, qualis est declinatio BQ, tanta est, ut puncta A, Q, parum inter se distent, difficile admodum radius visualis AQ, citra errorē producitur, propterea quod ob propinquitatem punctorum A, Q, regula, qua in lineis rectis ducendis utimur, facilissime a proprio situ hinc inde dimoueri potest, ideoq; punctum, quod in recta EB, semidiometrum parallelis apparentem terminat, exquisite inueniri nequit; usurpandum tunc erit lemma 11. ubi docuimus per duo puncta parum inter se distantia, cūlūsmodi sunt A, Q, in dato exemplo, lineam rectam quantumlibet producere. Et si forte recta hæc tam oblique rectam EB, intersectaret, ut vix punctum intersectionis sine errore possit discerni, adhibendum quoque erit lemma 13. ubi punctum illud, quantumvis oblique fuisse rectam AQ, EB, intersectent, docuimus invenire exquisitissime.

9. E A N D E M rectam AQ, in continuum producemus valde accurate, hoc modo Ex A, descripto arcu RS, ad quodvis internalium AR, quem in S, secet

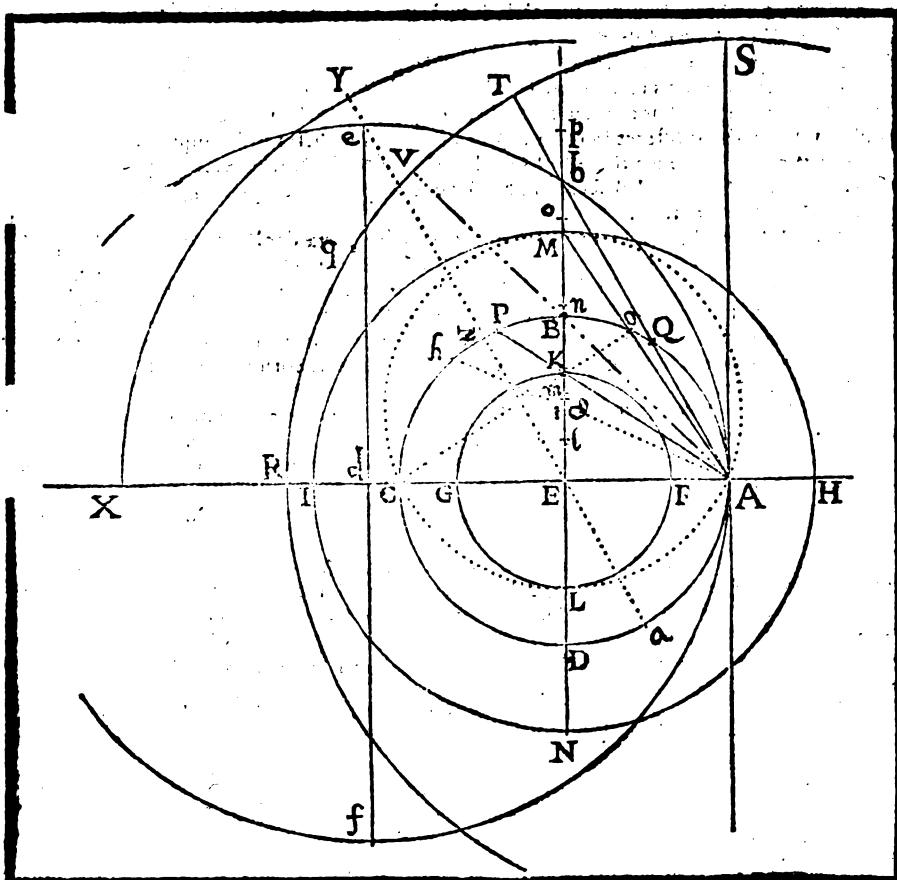
Parallelum libere Aequatore, cuius declinatione data sit, in Astrolabio fine conseruato. Analectmate describatur.

Ex uno arcu declinationis in Aequatore deferente cum australi, quam boreale parallelum illius declinationis.

Paralleli insibiles Aequatore in Astrolabio descripti de declinationem sua constructione Analectmate est generare, & ut ex borealis sit, australis. Semidiometrum parallelum Aequatoris, praesertim australium, accrescere, acq; ex parte invenire.

O o recta

recta AS, ad AR, perpendicularis; vt sit quadrans RS, ex scholio propos. 27. lib. 3. Euclid. sumatur arcus ST, dimidio arcus AQ, similis, hoc est, qui dimidiatum numerum graduum arcus AQ, contineat. (Hoc autem sit, si per lemma 3. arcus sumatur Sq, arcui AQ, similis, bifariamque secetur in T. Nam ST, similis erit semissi arcus AQ.) Recta enim AT, per punctum Q, transbit, cum per lemma 10. rectae AS, AQ, arcum auferant ex circulo RS, qui similis sit dimidio arcus AQ;



cuiusmodi est sumptus arcus ST. Quod si perpendicularis AS, arcum RS, in plano non secet, ducenda erit ex A, per B, recta fecans arcum RS in V, & accipiens arcus VT, similis semissi arcus BQ. Recta enim AT, rursus per Q, transbit, cum per lemma 10. rectae AV, AT, auferant arcum VT, similem semissi arcus BQ. Est autem arcus RV, quadrantis semissis, cum ei in sitat in centro A, angulus semirectus BAE, ut patet. Sed commodissime ita quoque agemus. Ex E, descripto

descripto arcu XY, cuius semidiameter EX, semidiametro AR, æqualis sit, diuisioq; arcu CQ, bisariam in Z, ducemus rectam EZ. (sumpto prius arcu Da, arcui BZ, æquali, vt accuratius per tria puncta A, E, Z, recta ducatur) que arcum XY, secat in Y, eritq; arcus XY, arcus CZ, id est, semissi arcus CQ, similis, ex scholio propos. 22. lib. 3. vel propos. 33. lib. 6. Eucl. Si igitur arcu XY, beneficio circini æqualem arcum resecemus RT, (cum hi circuli sint æquales) erit quoque arcus RT, arcui CZ, similis, ac proinde rursus ducta recta AT, per Q, transibit. Quin etiam, quoniam rectæ EZY, AQT, parallelæ sunt, quod angulus externus XEY, in centro æqualis sit interno angulo RAT, in centro, ob æquales circulos RS, XY; si rectæ aEZ, per A, parallelam agamus AT, ex lemmate 4 transibit ea omnino per Q. Immo rectas aEZ, AQ, esse parallelas, demonstrabimus etiam hoc modo, etiam si circuli RS, XY, descripti non sint. Quoniam arcus AA, CZ, c 28. primi.
æquales sunt, ob angulos in centro æquales ad verticem AEa, CEZ; estque arcus CZ, arcui ZQ, æqualis, erit quoque arcus AA, arcui ZQ, æquals, atque idcirco ex schol. propos. 27. lib. 3. Eucl. rectæ aEZ, AQ, parallelæ erunt.

10. POTES quoque, si placet, ex quovis puncto d, in recta AC, accepto per A, describere circulum Abe, qui circulum ABCD, tangat in A. Nam diuisio eius quadrante Ae, in grad. 90. si sumatur arcus Ab, arcui AQ, similis, transibit recta Ab, per Q, cuu ex lemmate 9, quælibet recta ex A, ducta abscedat ex circulis AB, Ae, tangentibus arcus similes. Has ergo cautions, ac remedia, si adhibeas, fieri vix potest, vt error in ducendis radiis visualibus per declinationes australes, quamvis maximas, committatur. Quod si quadrans RS, secat in partes 180. æquales, vt singulæ singulis gradibus semicirculi CBA, respondeant, ac proportione ipsiæ instar graduum habeti possint; si ex V, punto medio quadratis RS, versus R, supputentur declinationes boreales, & versus S, australes, sumendo V. g., pro maxima declinatione Solis particulas 23 $\frac{1}{2}$, ex 180. in quas diuisus fuit quadrans RS, ac si forent gradus 23. min. 30. & pro declinatione grad. 45. min. 36. sumendo particulas 45. & min. 36. vnius particulae, (qua quanam ratione accipi possint, in lêmate 3. traditù est) & sic de ceteris, reperientur parallelorum semi-diametri in recta EB, per rectas ex A, ad quadrantem RS, ductas, multo accuras, quam si eadem declinationes in semicirculo ABC, ex punto B, vtrinque supputentur: propterea quod rectæ ex A, ad puncta quadrantis RS, magis exquiasite ducuntur, quam per puncta semicirculi ABC, cum illa sint hinc remotiora à punto A.

11. NO N. est autem prætereundum hoc loco, semidiametru Aequatoris in Astrolabio esse medio loco proportionalem inter semidiametros duorum parallelorum æquium & oppositorum. Sint enim duo paralleli in Astrolabio FKGL-HMIN, respondentes quibuscumq; duobus parallelis in sphæra æquibus inter se, & oppositis. Dico EB, semidiametrum Aequatoris esse medianam proportionalem inter eorum semidiametros EK, EM, hoc est, ita esse EK. ad EB, vt EB, ad EM, vel ita esse EM, ad EB, vt EB, ad EK. Ductis enim rectis AK, AM, secabitur semicirculus ABC, in punctis declinationum P, O, vt demonstratum est Num. 4. & 7. eruntque arcus declinationum BP, BO, æquales, cum parallelis oppositis & æquilibus debantur; ideoque & corum complementa CP, AO, æqualia erunt; & ac proinde anguli PAC, OCA, (ducta prius recta CO,) æquales erunt. Cum ergo & angulus COA, qui in semicirculo rectus est, æqualis sit angulo recto AEK, erunt triangula COA, AEK, æquilatera. Eademque de causa æquilatera erunt triangula COA, MEA, cum rectus angulus COA, recto angulo MEA, æquals sit, & angulus EAM, communis. Igitur erit, vt CO, ad OA, ita ME, ad EA; atque

a 28. primi.
b 27. tertij.

c 26. tertij.

Semidiametros
parallelorum Aequato-
riæ, quoniam alia ra-
tione, & exponente
te facili, inveniuntur.

Semidiametrum
Aequatoris, inter
semidiametros
duorum parallelorum
æquorum Aequato-
riæ, oppositorum in
Astrolabio, de-
ciproportionale
medio loco pro-
portionalem.

d 27. tertij.

e 31. tertij.

f 4. sexti.

8. r. quinti.

*Quam propositio
semicircumferentia
boreana semidiametra
metur. Sequitur
etiam semidiametra
tertiarum parallelorum
oppositarum in obliquo
labilo.*

EA; atque ita EA, ad EK:, atque idcirco erit, ut ME, ad EA, hoc est, ad EB, ita EA, hoc est, EB, ad EK: ac proinde & concurtendo, ut EK, ad EB, ita EB, ad EM, quod est propositum. Et quoniam arcus CO, confatus est ex quadrante CB, & arcu declinationis BO, ipse notus erit; & est quoque arcus AO, notus, cum sit complementum declinationis. Igitur & chorda CO, OA, nota erunt, ideoque & earum proportio erit nota. Cum ergo semidiametri EM, EB, EK, proportionales sint continuae in proportione CO, ad OA, ut demonstrauimus, erit quoque proportio semidiametrorum continua, nota. Nam semper eorum proportio, maioris ad minorem, est eadem, quæ chordæ arcus ex quadrante, & declinatione confati, ad chordam complementi declinationis, nimirum CO, ad OA.

*Semidiametrum
boreale paralleli
Aequatoris au-
stralis ex semidi-
ametro paralleli
borealis oppositi
eretur in obli-
quo.*

12. QVAE cum ita sint, satis erit in recta EB, per rectas ex A, per puncta declinationum in quadrante BC, emissas inuenire semidiametros apparentes parallelorum borealium; quod difficile non est, cum radii visuales ex A, per puncta quadrantis borealis BC, duisti, non ad modum oblique semidiametrum EB, interscendent. Si enim per lemma 12. semidiametro apparenti cuiusvis paralleli borealis, & semidiametro Aequatoris, reperiatur tercia proportionalis, erit hæc semidiameter apprensus oppositi paralleli australis. Adhibenda tamen omnino est cautio, quæ co in lemmate pro tercia proportionali inuenienda præscripsimus: Hoc est, quando semidiameter paralleli borealis multo minor est semidiametro Aequatoris, dividenda est hæc continue bifariam, donec ultima particula, quæ vel erit semissis, vel quarta pars, vel octava, vel sextadecima, &c. pre-grediendo semper per proportionem duplam) inueniatur, quæ sit vel æqualis, vel minor semidiametro paralleli borealis. Per hanc enim inuenientur quarta quedam proportionalis ad semidiametrum parallelorum borealium, particulam ultimam semidiametri Aequatoris, & semidiametrum Aequatoris, quæ talis pars erit tertia proportionalis, hoc est, semidiametri paralleli australis, quæ desideratur, qualis est particula illa ultima semidiametri Aequatoris. Quare ea duplicata, vel quadruplicata, vel octuplicata, &c. dabit semidiametrum australis paralleli questam. Atque hac ratione vitabitur omnis linearum rectarum obliqua secatio, ac proinde valde exquisite semidiametri parallelorum borealium inuenientur. Exempli causa. Inuenta semidiametro EK, tropici Z , si ex ea reperiatur ultimus semidiametrum tropici Z , secabimus semidiametrum Aequatoris EB, in g, bifariam. Et quia semissis Eg, minor iam est semidiametro EK, inueniemus ipsius EK, Eg, EB, quartam proportionalem, quæ, ut in lemmate 12. diximus, longe accuratius iam inuenietur, cum prima linea, qualis hic est EK, maior sit quam secunda EB. Erit enim hæc quarta proportionalis, semissis quoque semidiametri paralleli australis. Quare ea duplicata dabit semidiametrum questam. Rursum si inuenienda sit semidiameter paralleli australis gradibus 41. min. 30. ab Aequatorie in austrum recedentis, accipiemus in quadrante BC, boreali arcum BH, grad. 41. min. 30. rectamque ducemus Ah, quæ auferat Ei, semidiametrum paralleli borealis grad. 41. min. 30. Et quia Eg, semissis semidiametri Aequatoris EB, maior est, quam Ei, subdiuidemus Eg, bifariam in l. Cum ergo iam Ei, quarta pars semidiametri Aequatoris EB, minor sit quam Ei, inueniemus tribus Eb, El, EB, quartam proportionalem Em, cui alias tres æquales accipiemus mn, n o, op, ut tota Ep, quadrupla sit inuentæ Em, quemadmodum EB, quadrupla fuit ipsius El. Nam Ep, erit semidiameter paralleli australis grad 41. min. 30. ab Aequatore recedentis in austrum.

VERVM faciliter inueniemus tertiam proportionalem duplicita ratione,
quæ

quam ad finem lemmatis 12. attulimus. Nam si semidiameter parallelis borealis accipiat versus D, usque ad L, & per tria puncta A, L, C, circulus describatur, secabit is rectam BD, in M, eritque EM, tertia proportionalis ipsius EL, EB, ut ibi demonstratum est, &c. Eademque ratio in ceteris teneatur. Aliam quoque rationem inueniendi semidiametrum parallelis oppositi inuenies in sequenti propos. Num. 11.

13. A D extremum, ex his, quae diximus, facile etiam demonstrabimus, ex omnibus punctis spherae solum polum australem, ubi oculus constituitur, in planum Astrolabij proiec*t* non posse, id quod ad propos. 1. invenimus. Quoniam enim B, polum boreum representat, & recta EB, in infinitum extensa Meridianum circulum, ita ut EB, ED, referant duos eius quadrantes boreales inter polum & Aequatorem, & totum BD, totum semicirculum eius borealem; reliqua vero partes a B, versus M, & D, versus N, excurrentes ad reliquum semicirculum Meridiani australis, in quo polus australis continetur, pertineant; si polus australis in piano Astrolabij extare posset, transiret utraque BM, DN, per eum polum, ac proinde in eodem coirent, quod est absurdum. Rursus si polus australis in Astrolabio continaretur, proiec*t*retur per rectam AS, quae Meridianum tangit in A, polo australi; (Nam aliae rectae ex A, egredientes, secantesque circulum ABCD, proiec*t*unt in planum Astrolabij illa puncta, per quae ducuntur, ut ex demonstratis liquet.) ac proinde recta AS, cum recta EB, conueniret. quod est absurdum, tecum sint parallelae, ob rectos angulos E, A. Angulus enim EAS, rectus est a tangentia AS, constitutus, & E, rectus est, ex constructione. Denique si polus antarcticus in Astrolabio locum haberet, cum recte AC, BD, & omnes aliae per centrum B, trahantur, referant circulos maximos, qui per polos mundi ducuntur, quorum antiquus est E, ut diximus, transirent omnes illae rectae necessario quoque per polus antarcticum, sicuti per articulum E, transi*er*unt. Quare omnes in polo antarcticus conuenirent, quod heri non potest. Non ergo polus antarcticus in Astrolabium proiec*t* potest. Immo neque alia omnia puncta semicirculi Meridiani australis BAD, (excluso etiam polo australi A,) in Astrolabium commode possunt proiec*t*, propterea quod rectae ex A, per puncta proxima eductae in infinitum quodammodo excurrunt, antequam rectam BD, seccare possint.

Polum mundi no
stra locum ex
omnibus punctis
spherae in Astro
labium non pos
se proiec*t*.

a 28. primi.
b 18. tertii.

Non omnia pun
cta spherae au
stralia (etiam po
lo australi exclu
so) commode po
se proiec*t* in A
strolabium.

S C H O L I V M.

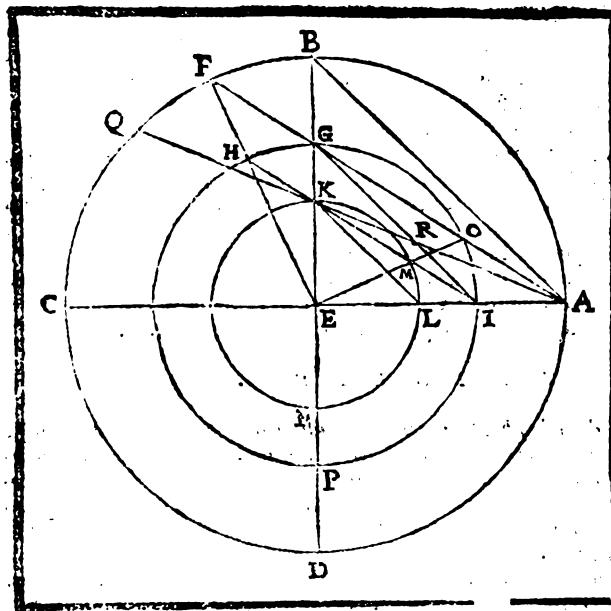
14. R A T I O describendi Aequatorum cum suis parallelo*s* in piano Astrolabij, quae hancem explicauimus, ponit Aequatorem certam, ac determinatam habere quantitatem. Cum ergo Astrolabium vulgaris, auctore usitata, maximum circulum habebant tropicum Z, non abs re erit, si breviter cum alijs Astronomis doccamus, quo per recto ex tropico Z, dato, in Astrolabij piano Aequator, & tropicus Z, cum reliquis parallelo*s* describendus sit. Sit igitur tropicus Z, datum ABCD, pro magnitudine tabula rum Astrolabij, cuius centrum E; linea Meridiana referens Meridianum circumferentem BD, quam ad angulos rectos fecerat AC. Semper igitur maxima declinatione Solis BF, ducatur recta AF, secans EB, in G, punto, per quod ex E, circulus describatur GI: In quo semper quoque Solis maxima declinatione GH, (quod abie recta ducatur FF; cum arcus BF, GH, similes sint, ex scholio propos. 2. lib. 3. Euclid.) ducatur recta JH, secans EB, in K, punto, per quod ex E, circulus quoque describatur KJL. Dico GI esse Aequatorem, & KL, tropicum Z, si ABCD, est tropicus Z. Ductis enim rectis AB, GL, & que parallelae sunt, cum latera EA, EB, se & sunt proportionaliter in 1, c 2. sexti. G, quippe cum ex aequalib*t* aequalia abbas a fine. Iguar alternae anguli BAE, IGO, d 29. primi. aequales

Aequatorem,
cinq*ue* paralle
los in Astro
labio describere, &
tropici Capricor
ni magnitudine da
re. fe.

equales sunt: ideoque ex scholio propos. 22. lib. 3. Euclid. arcus BF, IO , similes erunt. Cum ergo BF , sit maxima Solis declinatio, etiam IO , maxima Solis declinatio erit. Si igitur $G I$, statuatur Aequator, atque idcirco Meridiano Analematis aequalis, & polus australis G , auferet recta GO , ex polo G , per maximam declinationem Solis ducta semis diametrum $E A$, tropici \odot , ita ut circulus $ABCD$, referat eum in sphera, qui per maximam declinationem Solis ab Aequatore in austrum absit, ut demonstratum est. Posto igitur $ABCD$, tropico \odot , erit $G I$, Aequator, cum illo ab hoc per maximam declinationem versus austrum distet, ut diximus. & res postulat. Recta ergo ex tropico \odot , Aequator inuenitus est, quādquād idē Aequator inversus exhibet nobis eundem tropicum \odot , propositiū. Hinc perspicuum est, $E K$, esse semidiametrum tropici \odot , cum per Aequatorem GI , inuenia sit, ut supra docuimus, per rectam videlicet $I H$, ex polo australi per maximam declinationem Solis GH , ductam. Atque eadē ratione, invenio Aequatore GI , alias oēs parallelos ipsius describemus in Astrolabio, ut supra tradidimus est.

s. S E D quid Oberit, si hoc loco etiam doceamus, qua ratione ex tropico \odot , descripto in Astrolabio, Aequator cum tropico \odot , & reliquis parallelis describatur? Sit igitur tropicus \odot , datum $X L$, cuiuscunque magnitudinis circa centrum Ecliptica Meridiana ref-

Aequatorem, e-
iusque parallelos
in Astrolabio de-
scribere, si tropi-
ci Cancri magis-
tando data fit.



extor recta GO , secans EA , in A , punto, per quod ex E , circulus quoque describatur $ABCD$. Dico GI , Aequatorem esse, & $ABCD$, tropicū \odot , si KL , est tropicus \odot . Producta enim IK , ad H , quoniam arcus LM, IO , similes sunt, si addantur similes quadrantes LM, IP , erunt per lemma 6. toti quoque arcus NM, PO , similes. Igitur ex scholio propos. 22. lib. 3. Euclid. anguli NKM, PGO , aequales erunt: & propterea recta HI, GO , parallela erunt; ideoque ex scholio propos. 27. eiusdem lib. 3. arcus IO, GH , aequalis

a 28. primi.

æquales erunt. Cum ergo IO, sit maxima Solis declinatio, erit quoque maxima declinatio Solis GH. Si igitur GI, statuatur Aequator, ideoque Meridiano Analematis aequalis, & polus æquatorialis I, auferet recta IH, ex polo I, per maximam declinationem Solis ducta semidiametrum EK, tropici \odot , ita ut circulus KL, referat eum in sphera ea, qui per maximam Solis declinationem ab Aequatore in boream distet, ut diximus, & res postularat. Recta ergo ex tropico \odot . Aequator inuenitus est; quandoquidem idem Aequator invenitus exhibet nobis eundem tropicum \odot , propositum. Hinc liquido constat, EA, esse semidiametrum tropici \odot , cum per Aequatorem GI, inuenientur, ut supra docuimus, nimirum per rectam GO, ex polo australi per maximam declinationem Solis IO, ductam. Eademque ratione, inuenientur Aequatore GI, alios omnes eius parallelos in Astrolabio describemus, ut supra tradidimus est.

3. QVOD autem de tropico iam \odot , quam \odot , diximus, intelligendum quoque est de quoqueque parallello alio suo australi, sive boreali. Nam si in Astrolabio descripcas sit quicunque parallelus, si in eo numeretur eius declinatio ab Aequatore, loco maxime declinationis Solis BE, vel LM, reperiatur ex eo Aequator, aque ex hoc omnes alij paralleli. Eadem enim demonstratio in eo erit, qua in tropico \odot , & tropico \odot .

Aequatore, eiisque parallelos in Astrolabio describerentur, dara culmis paralleli magnitudine.

4. QVAMVIS autem per datum Aequatorem in plano Astrolabij omnes eius parallelis tam boreales, quam australes, & per quemuis parallelum in eodem plane descriptum Aequator, atque per hunc deinde omnes alij quoque paralleli describi possint. ut in hac propos. eiusque scholio demonstravimus : per nullum tamen parallelum alias oppositas describi potest, etiam si in illo supponatur distanca unus ab altero, nisi prius Aequator describatur: quod opera praeium fuerit aduertere, ne quis hac in re hallucinatur. Sint enim u.g. tres paralleli descripti in proxima figura, tropicus \odot , ABCD; Aequator GI P, tropicus \odot , KLN. Et quia si datum sit tropicus \odot , ABCD, inuenientur semidiameter Aequatoris EG, si sumatur maxima declinatio Solis BE, quam ab Aequatore tropicus \odot habet, & recta ducatur AF, ut demonstratum est: Dico hoc modo reperiiri non posse semidiametrum EK, tropici \odot , si nimirum à B, numeretur duplicata maxima Solis declinatio, & ad finem ex A, recta ducatur. Nam recta hec non transibit per punctum K, sed vel supra, vel infra. Quod in hunc modum demonstrabimus. Sit, si fieri posset, arcus BQ, duplicata maxima Solis declinationi aequalis, hoc est FQ, sit maxima declinatio, cum BE, sit altera maxima declinatio, ex qua semidiameter Aequatoris EG, invenies est, & recta AQ, per punctum K, transeat. Ducta ergo recta KL, quoniam FQ, est maxima declinatio, ut vult aduersarius, est autem & LM, maxima declinatio, ut supra patitur, quando ex tropico \odot , semidiametrum Aequatoris EI, inuenimus ; erunt arcus FD, LM, similes, ac proinde ex scholio propos. 22. lib. 3. Euclid. anguli FAD, IKL, aequaliter erunt. Sed & roris angulus BAK, roti angulo AKL, aequalis est, alterius alterius, quod AB, KL, parallela sint, propterea quod latera EA, EB, in L, K, proportionaliter secunda sunt; quippe cu aequalia ex equalibus subscissa sint. Igitur dempeis illis, reliqui BAF, AKI, aequalis quoque erunt. Sed BAF, angulo AGI, aequalis est, alterius alterno, quod etiam AB, GI, parallela sint, propterea quod latera EB, EA, proportionaliter secunda sunt in G, I, quippe cu ab aequalibus ablatis sint aqua lia, & angulus AKI, angulo GAK, aequalis est, alterius alterno, quod AG, IK, parallela sint, propterea quod angulus EKI, angulo EGA, externus interno, aequalis est, ex scholio propos. 22. lib. 3. Euclid. cum insistant arcibus MN, OP, qui similes sunt. Nam cum similes sint arcus LM, IO, quod uterque sit maxima declinatio Solis, ut supra patitur, additis similibus quadrantibus LN, IP, roti quoque arcus MN, OP, ex lemmate 6. similes sint. Igitur & anguli AGI, GAK, aequalis inter se erunt; & ideoque recta GR, AR, aequalis erunt. Rursus & quia anguli AKI, GI K, angulis aquibus GAK, AGI, aequalis sunt, alterni alternis, ipsi inter se aequalis erunt; ac propter ppterem

Nullum parallelum Aequatoris in Astrolabio describi posse ex data parallelis oppositis imaginibus, nisi prius Aequator describatur.

a 29. primo.
b 2. sexti.

c 29. primo.
d 2. sexti.

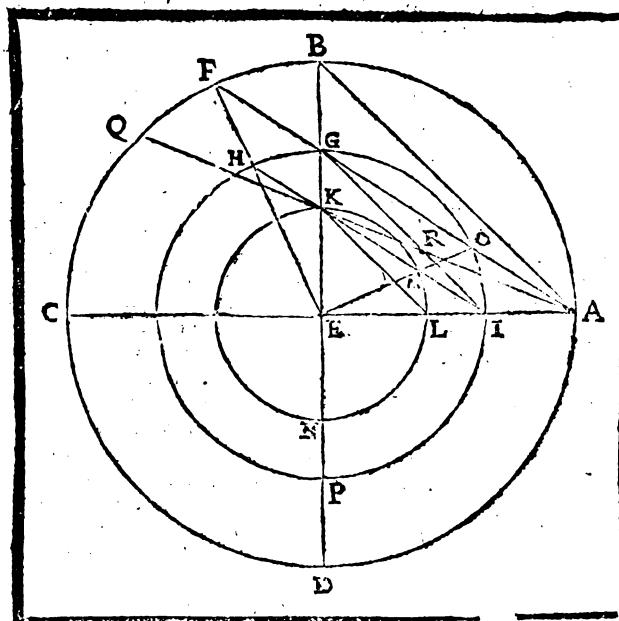
e 29. primo.
f 28. primo.

g 6. primo.
h 29. primo.
i 6. primo.

24. primi.

b6. primi.

pterea recte quoque IR, KR, aequalis erunt. Quoniam igitur duo latera GR, RK, duabus lateribus AR, RI, aequalia sunt, continentes angulos ad verticem R, aequales, erunt anguli KGR, IAR, supra bases GK, AI, & lateribus aequalibus KR, IR, oppositi aequales. Fuerunt autem & anguli AGI, GAK, aequales. Igitur ipsi quoque angulis EGA, EAG, aequalis erunt; ideoquo & latera EG, EA, aequalia erunt. Cum ergo EG, ipsi EI, aequalis sit, erunt quoque EI, EA, aequalis, pars & totum: quod est absurdum.



ex quoniam parallelo Aequatorem, sed ex riri posse, nisi prius Aequator insuetus sit.

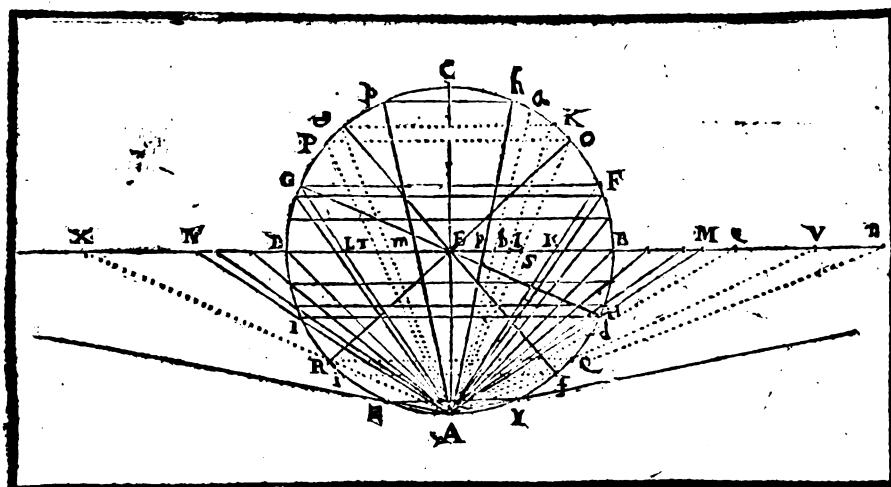
P R O B L. II. P R O P O S. V.

HORIZONTEM quemlibet obliquum, Verticalem eius primarium, Eclipticam, & quemcunque alium circulum maximum obliquum, qui ad Meridianum tamen rectus sit, inclinationemque ad Aequatorem habeat notam, in Astrolabio describere, atque in gradus, hoc est, in partes inæquales, quæ eorum gradibus in sphera æqua libus respondent, distribuere.

I. S.

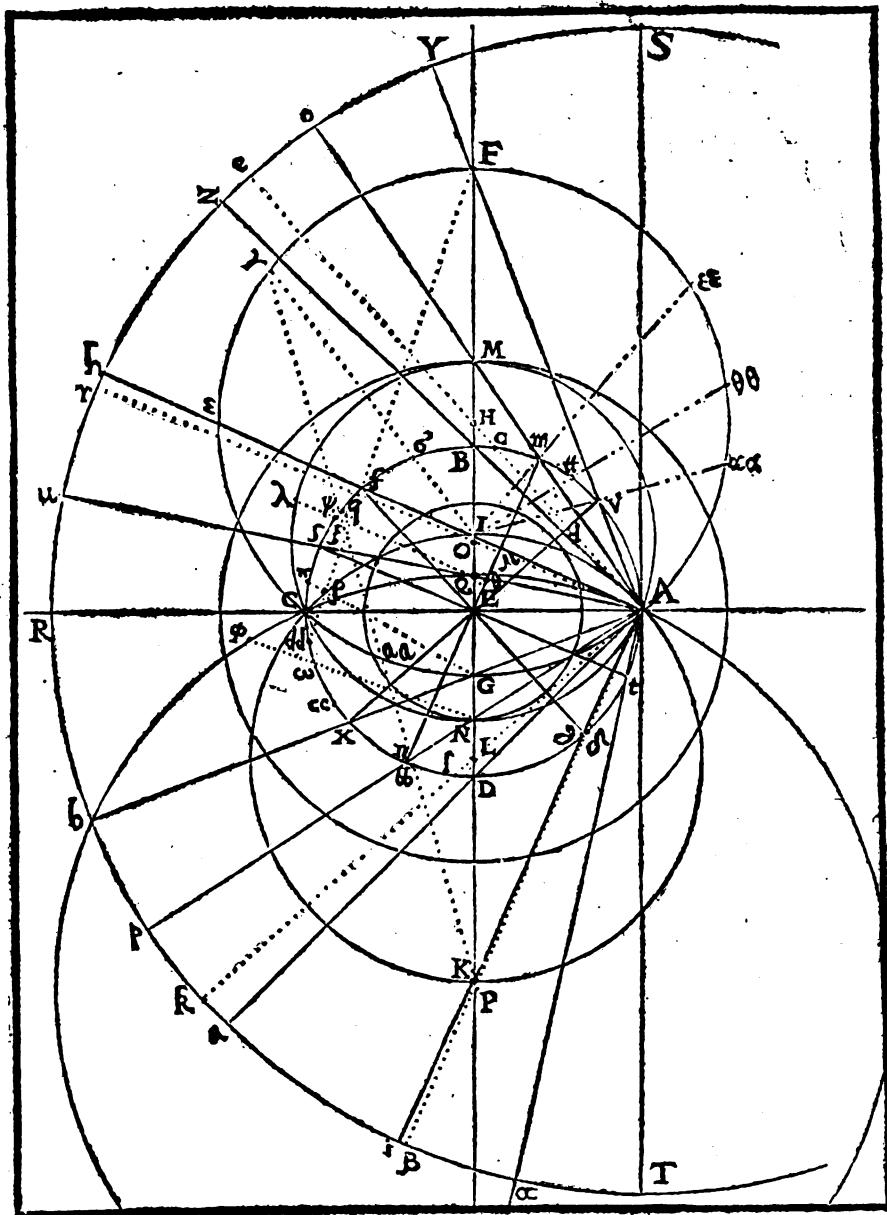
I. SI in Analemmate ad initium propos. 4. descripto ex recta n X, diametri visus Horizontis. Verticalis primariae. & Eclipticæ, nimurum o m. SX, LD, quas radj. visuales ex A, per extrema puncta diameterorum fg, OR, GH, eorundem circulorum in Analémate emisi absindunt, & que omnium maximæ sunt, ut in scholio propos. 3. ostendimus, cum Meridianus, in cuius communi sectione cum Aequatore apparent, ad hos circulos rectus sit: si inquam, haec diametri visus ex recta n X, in Astrolabium in rectam BD, qua recta n X, in Analémate respondet, transferantur eo ordine ac situ, quem in Analémate habent, & circa eas ex medijs earum punctis circuli describantur, descripti erunt in Astrolabio prædicti circuli maximi. Ut quoniam diameter visus Horizontis est n m, in Analémate, transferemus partem eius maiorem En, in Astrolabium ex E, centro usque ad F; & partem minorem Em, usque ad G, rectaque FG, diuisa bifariam in H, describemus ex H, ad interuum H F, vel HG, Horizontem AGCF. Sic etiam diametri apparentes vel visus Verticalis SX, partem minorem ES, transferemus ex Analémate in Astrolabium ex E, usque ad I, & maiorem partem EX, usque ad K, diuisaque recta IK, bifariam in L, describemus ex L, per I, & K, Verticalem primarium AICK. Rursum ex Analémate apparentis diametri Eclipticæ ML, maiorem partem EM, transferemus in Astrolabium ex E, usque ad M, & minorem partem EL, usque ad N, sectaque diametro MN, bifariam in O, describemus ex O, per M, & N,

Horæ obliquæ
Verticalis visus
primarius, Ecli-
pticæ, & quibus
aliis circulorum
extremis obliquis,
at Meridianum
tamen rectas, quo
parte in Astrola-
bio ex Analémate
describuntur



Eclipticam MCN, que tropicum ☌, tanget in N, & tropicum ☎, in M. Quod si in Analémate ducantur fi, g K, ipsi BD, parallela, nimur diametri parallelorum, quorum ille est semper delitescentium, hic vero semper apparentium maximus, & per eorum semidiametros visas En, Em, describantur ex centro Astrolabij E, circuli per F, & G, incidentes, tāget eos Horizon, eritq; is, qui per F, transit, semper latitudi maximus, qui vero per G, transit, semper apparentiū maximus erit. Par ratione, siue codē Analémate ducatur OP, QR, eidem BD, parallelo, diametri videlicet parallelorum, quos Verticalis primarius tangit,

Quae parallelos
Ecliptica, Horiz-
ont, & Verticalia
tangunt.



& unus quidem per O. polum Horizontis siue Zenith, alter vero per R, alterum polum Horizontis, siue Nadir, ducitur, & per eorum semidiametros apparentes ES, EX, describantur ex E, centro Astrolabij circuli per I, K, tanget eos Verticis primarius AICK, & is, qui per I, transit, referet eum, qui in sphera per superiorem polum Horizontis, qui vero per K, incedit, eum, qui per inferiorem polum Horizontis ducitur. Omnis enim circulus maximus obliquus ad Aequatoriem tangit duos parallelos Aequatoris eaeles. Eadem prorsus ratione quilibet circulus maximus obliquus, qui ad Meridianum rectus sit, notamq; habeat inclinationem ad Aequatorem, in Astrolabio describetur, qua prae dicti tres maximi circuli descripti sunt. Ut si describendus sit maximus circulus p polos Zodiaci etus, & ad Meridianum rectus, qualis est ille, qui etiam per communes sectiones Aequatoris & Horizontis ducitur, posito principio Σ , in Meridiano, & ad Aequatore inclinatus est grad. 66. min. 30. ducemus in Aula lemate eius diametrum hZ, (Hanc, vt confusio vitaretur, non duximus) per puncta h, Z, quae ab Aequatoris diametro BD, grad. 66. min. 30. absunt, & beneficio radiori visualium ex A, per extrema puncta h, Z, ductorum diametrum apparentem in recta BD, inuestigamus, &c. Ita vides in Astrolabio dictum circulum descriptum esse ex P, centro (quod qua ratione inquirendum sit, etri si tota diametrum visum non habeamus, paulo infra Num. 4. docebimus) per punctum Q, quod in Analemmate respodet punto p, per quod radius visualis Ah, ducitur. Eademque ratio est in ceteris. Omnes autem eiusmodi circuli maximi obliqui per puncta A, C, necessario transibunt, vt infra in scholio huius proposit. Num. 1. demonstrabimus.

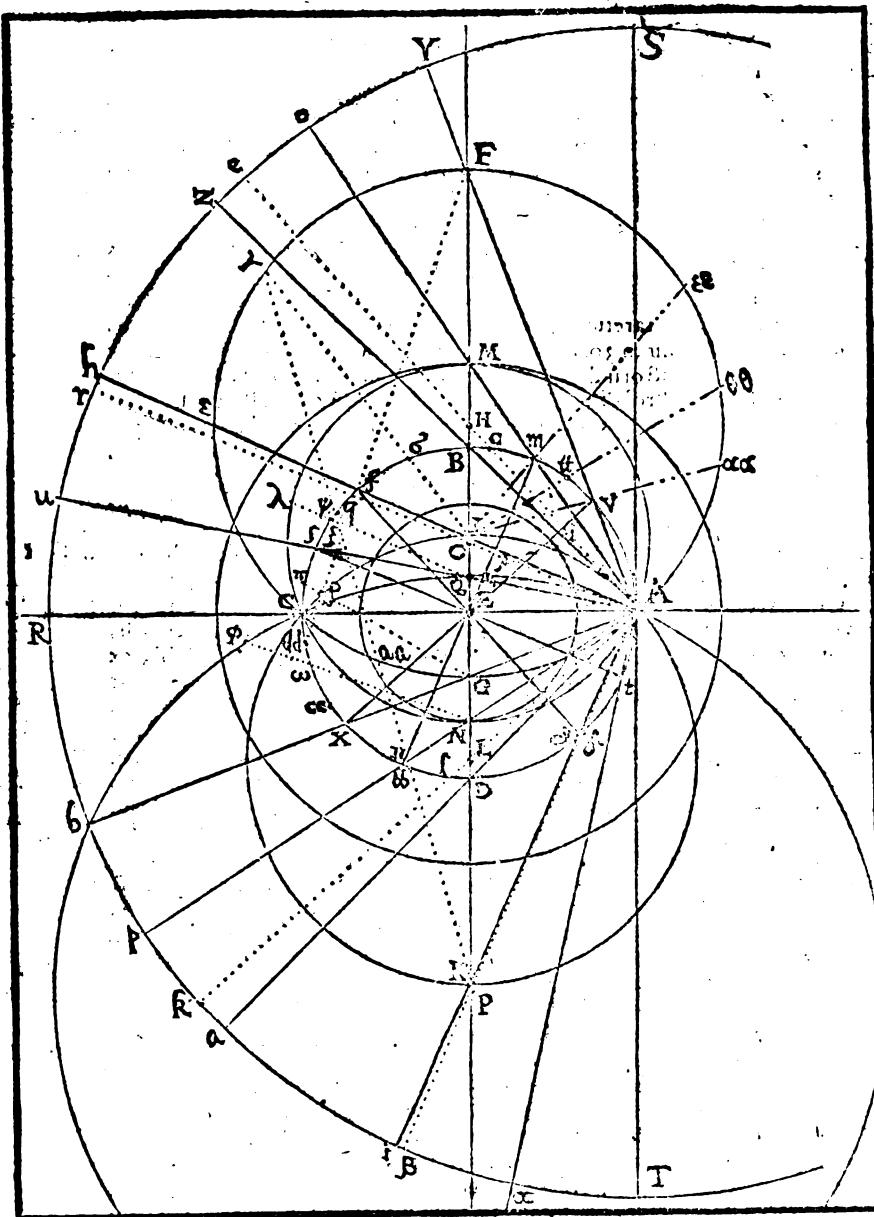
2. E O S D E M circulos maximos obliquos in Astrolabio describemus, etiam si Analemma seorsum non sit costructum, hoc modo. Descripto Aequatore cum utroq; tropico, vt supra, describatur ex A, ad quodlibet interuum arcus circuli SRT, que in S, T, fecerit recta ST, ducta per A, ad AC, perpendicularis, vel ipsi BD, utrinque producta parallela, vt duo quadrantes fiant RS, RT, ex scholio propos. 27. lib. 3. Euclid. ob rectos angulos ad A. Beneficio enim huius arcus SRT, magis exquisite puncta in Astrolabio inueniemus, quam sine illo. Deinde a polis A, C, (Aequator enim ABCD, cum Meridiano Analemmatis sit aequalis, accipi potest pro Meridiano, & A, pro polo australi, & C, pro boreali, & recta BD, in utramque partem extensa pro communi sectione plani, in quo Aequator, & alterius plani, in quo Meridianus ABCD, vt in propos. 4. Num. 5. dictum est; perinde ac si circulos ABCD, instar Meridiani, plano Astrolabij insisteret ad angulos rectos in recta BD.) numeretur in diueratas partes latitudo loci, pro quo Astrolabium construitur, siue (quod idem est) altitudo poli usque ad V, & X, ducaturque diameter Horizontis VX. Ductis deinde rectis ex A, per B, & D, secabuntur quadrantes RS, RT, in Z, a, bifariam, si erratum non est. Cum enim angulus AEB, rectus sit, & anguli EAB, EBA, aequales, erit uterque semirectus; quod omnes tres duobus rectis sint aequales. Igitur & reliquias angulus SAZ, ex recto semirectus erit, ideoque angulo RAZ, semirectus aequalis; ac proinde arcus ZR, ZS, quibus insint, aequales erunt. Eodemque modo ostendes, aequales esse arcus AR, aT. Diviso quoque utroque quadrante RS, RT, in 180. partes aequales, numeretur in eis, ac si essent gradus, ex S, & R, versus R, & T, altitudo poli, vel (quod idem est) ex Z, & a, versus S, & R, complementum altitudinis poli, usque ad Y, & b: vel certe per lemma 3. accipiantur arcus SY, Rb, semissi arcus AV, vel CX, altitudinis poli similes; vel arcus ZY, a b, semissi complementi altitudinis poli, hoc est, semissi arcus BV, vel DX, similes. Nam radij visuales AY, Ab, auferent diam-

a 3.2. Theor.

Horizonte quod
ut obliquus, ven-
taticalem eius pri-
mariam, Eclipti-
cam, & quemcum
que alium circu-
lam maximum
obliquum, qui ad
Meridianum con-
uenientem rectus sit, in
clinationemq; ad
Aequatorem ha-
bitat, sciam, in
Astrolabio siue
construione
Analemmatis de-
scribatur.

b 5. primi.
c 3. primi.

d 26. tertii.



diametrum Horizontis visam FG, quippe qui transeant per extrema puncta V, X, diametri Horizontis, propterea quod per lemma 10. tam recte AS, AV, & AR, Ab, auferunt ex circulo SRT, arcus semissibus arcuum AV, CX, altitudinib[us] poli similes, quales ex constructione sunt arcus SY, RB, quam recte AZ, AY, & AA, Ab, ex eodem circulo SRT, intercipiunt arcus semissibus arcuum BV, DX, complementi altitudinis poli similes, quales accepti sunt arcus ZY, a b. Si igitur diameter inuenta FG, secetur bifariam in H, describeretur ex H, per F, & G, Horizon AFG. Recte autem inuentam esse visam diametrum FG, ex eo patet, quod dadij AV, AX, in iisdem prorsus punctis rectam BD, secant, in quibus eandem secarentur circulus ABCD, plano Astrolabij, vel Aequatoris, ad rectos insisteret angulos in recta BD, ita ut situm Meridiani obtineret, ut constat. Vides igitur, arcum SRT, solum esse descripsum, ut radij ex A, per puncta circuli ABCD, (quæ alioquin sufficerent) rectius possint educi.

3. C E N T R V M autem Horizontis apparentis, id est, punctum H, secans diametrum visam FG, bifariâ, facile hoc modo inuenietur, etiam si neutrum punctorum extremorum F, G, inveniuntur. Ducatur ex A, ad VX, diametru[m] Horizontis perpendicularis A c e. H[ec] enim, ut in lemmate 35. demonstratum est, bifariam secabit basem FG, trianguli AFG, à radijs AV, AX, emissis abscissi: adeo ut recta ex polo australi ad diametrum circuli maximi obliqui in Aequatore Astrolabij descripam perpendicularis ducta cadat in centrum eiusdem circuli obliqui. Ita vero perpendicularis Ac, facile ducetur. Arcus AV, quo Horizontis sphæra à polo australi absit, hoc est, altitudo poli, duplicetur usque ad c; Et ut res sit magis accurata, arcui quoque SY, qui semissi arcus AV, similis est, equalis sumatur Ye. Nam recta A c e, perpendicularis erit ad diametrum Horizontis VX, in sphæra. Cum enim arcus Ac, secetur bifariam in V, secabitur quoque ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. recta Ac, bifariam in d; ac proinde & ad angulos rectos, quod est propositum. Iam vero si ducatur axis Horizontis fg, ad VX, diametrum Horizontis perpendicularis, erit Cf, arcui VB, hoc est, complemento arcus AV, æqualis. Cum enim quadrantes æquales sint CB, fV, ablato communis arcu fB, reliqui arcus Cf, BV, æquales erunt. Ergo AV, Cf, quadrantem confabunt; ac proinde & arcus Vc, fc, reliquum quadrantem semicirculi ABC, sufficient. Quare & arcus fc, complementum erit arcus cV, hoc est, arcus AV, ideoque ipsi Cf, æqualis. Quamobrem si complementum arcus AV, distantia Horizontis à polo, hoc est, si arcus VB, vel Cf, duplicetur ex altero polo C, inuenietur idem punctum c, per quod erecta recta Ac, in H, centrum Horizontis apparentis cadit. Hoc autem posterius alio quoque modo demonstravimus in lemmate 35.

4. H A C eadem ratione centrum cuiusvis circuli maximi obliqui in Astrolabio reperiatur, si nimirum ex polo australi A, ad eius diametrum perpendicularis linea ducatur: quod quidem fieri, si eius distantia à polo ex polo australi A, vel complementum eius distantia ex polo boreali C, duplicetur, &c. ut in Horizonte faidum est.

5. EX his constat, centrum obliqui circuli maximi in Astrolabio à centro Astrolabij diuersum esse: quod & propos. 3. Num. 4. demonstratum est; quia cum perpendicularis ex A, ad diametrum circuli obliqui ducta cadat in centrum eiusdem circuli obliqui apparentis, ut ostendimus, non transibit ea perpendicularis per E, centrum Astrolabij, cum AE, rectos angulos faciens cum BD, oblique fert diametrum circuli obliqui, non autem ad angulos rectos. Ideo[n] hac ratione per

Centrum Horizontis in Astrolabio invenire, etiam si diameter eius visa inuenta non sit.

Rectam ex polo australi ad diametrum circuli maximi obliqui in Aequatore descripam, ad angulos rectos ducta, cadere in centrum eiusdem circuli obliqui in Astrolabio.

3. tertij.

Centrum certe nisi circuli maximi obliqui in Astrolabio invenire, etiam si eius diameter visa inuenta non sit.

Centrum eiusvis circuli maximi obliqui in Astrolabio à centro Astrolabij diuersum esse.

perspicuum fiet. Quoniam circulus maximus obliquus secat Aequatorem in duobus punctis, cum unum extremum eius diametri sit intra Aequatorem. & alterum extra, vt patet ex inuentione eius diametri, perspicuumque est in diametro F G, erit eius centrum omnino diuersum ab E, centro Aequatoris, cum duo circuli se mutuo secantes non possint idem centrum habere.

6. NON aliter alios circulos maximos obliquos ad Meridianum rectos describemus. Sit enim diameter Verticalis primarij fg. secans Horizontis diametrum VX, ad angulos rectos, transiensque per f, g, polos Horizontis. Si igitur ex A, per f, g, radij visuales ducantur, secabunt iij rectam BD, in I, K. polis Horizontis, per quos ex L, punto medio diametri visa IK, Verticalis primaria AICK, describendus est. Sed vt extrema puncta diametri visa IK, magis exquisite reperiantur, praesertim remotius K, accipiendus est arcus Zh, similis semissi arcus Bf, vel arcus Rh, similis semissi arcus Cf. Item arcus a i, similis semissi arcus Dg, vel arcus Ti, similis semissi arcus Ag. Centrum quoque L, inuentum est per rectam Ak, ad diametrum fg, perpendiculararem, quæ videlicet ducitur per l, terminum arcus Al, qui duplus est arcus Ag, nec non per k, terminum arcus Tk, qui arcus Ti, duplus est, &c.

7. SIT rursus diameter Eclipticæ m n, distans à BD, diametro Aequatoris per maximam declinationem Solis. Si igitur ex A, per m, n, radij visuales ducantur secantes BD, in M, N, erit MN, diameter Eclipticæ apparet; quæ accuratius inuenietur, si semissibus arcuum Bm, Dn, similis arcus sumatur Zo, a p. Centrum etiam O, repertum est per rectam Ar, ad m n, perpendiculararem, quæ nimirum ducitur per q, terminum arcus Aq, qui duplus est arcus Am, complementi maximæ declinationis, nec non per r, terminum arcus Sr, qui duplus est arcus So: quæ puncta q, r, habentur etiam per arcus Cq, Rr, quorum ille maximæ declinationis duplus est, hic vero semissi arcus Cq, similis.

Eclipticam sem-per apparet circulum in Astrolabio, si idcirco in Astrolabio eius circularis figura impeditur. Nam quemcunq; situm Colurus Solstitiorum occupet, semper rectus est ad Eclipticam, ac proinde in eius communi sectione cum piano Aequatoris sive Astrolabij, (quæ ad motum diurnum cum omnibus rectis per centrum Astrolabii ductis congruit) diameter visa Eclipticæ semper maxima erit, semperque planum Astrolabij Aequaturis, in cono, cuius basis est Ecliptica, subcontrariam sectionem faciet, hoc est, circulum, ut demonstratum est propos. 3. Ex quo fit, Eclipticam semper prolicit in circulum eiusdem magnitudinis in Astrolabium, quemcunque illa situa in sphera obtineat.

8. SIT denique diameter st, circuli cuiusvis obliqui, ad Meridianum tamen recti, nimirum eius, qui per polos Zodiaci s, t, ducitur, & per communes sectiones Aequatoris & Horizontis, constitutis eisdem polis in Meridiano. Si igitur ex A, per s, t, ducantur radij visuales, secabit A s, rectam BD, in Q, polo Eclipticæ, per quem propositus circulus describendus est. Sed vt exquisitus hi radij educantur, accipiendo sunt arcus Ru, Ta, semissibus arcuum Cf, At, similis. Et quia radius Ae, niuis procul cum BD, concurrit, ita vt alter polus Eclipticæ in piano ægre haberi posse, descripta est circuli propositi portio tantummodo AQC, ex centro P, quod inuenitur per rectam Ab, ad diametrum st, perpendiculararem, ductam videlicet per s, terminum arcus Ad, qui arcus At, duplus est, & per b, terminum Tb, qui arcus Ta, duplus quoque est.

QVO

QVO modo autem maximus circulus ob quus ad Meridianum non rectus, sed rectus quidem ad Horizontem, in Astrolabio describendus sit. docebimus propos. 8. rectus vero ad Verticalem primarium, propos. 10. neque rectus deniq; ad Horizontem, aut Verticalem, propos. 12.

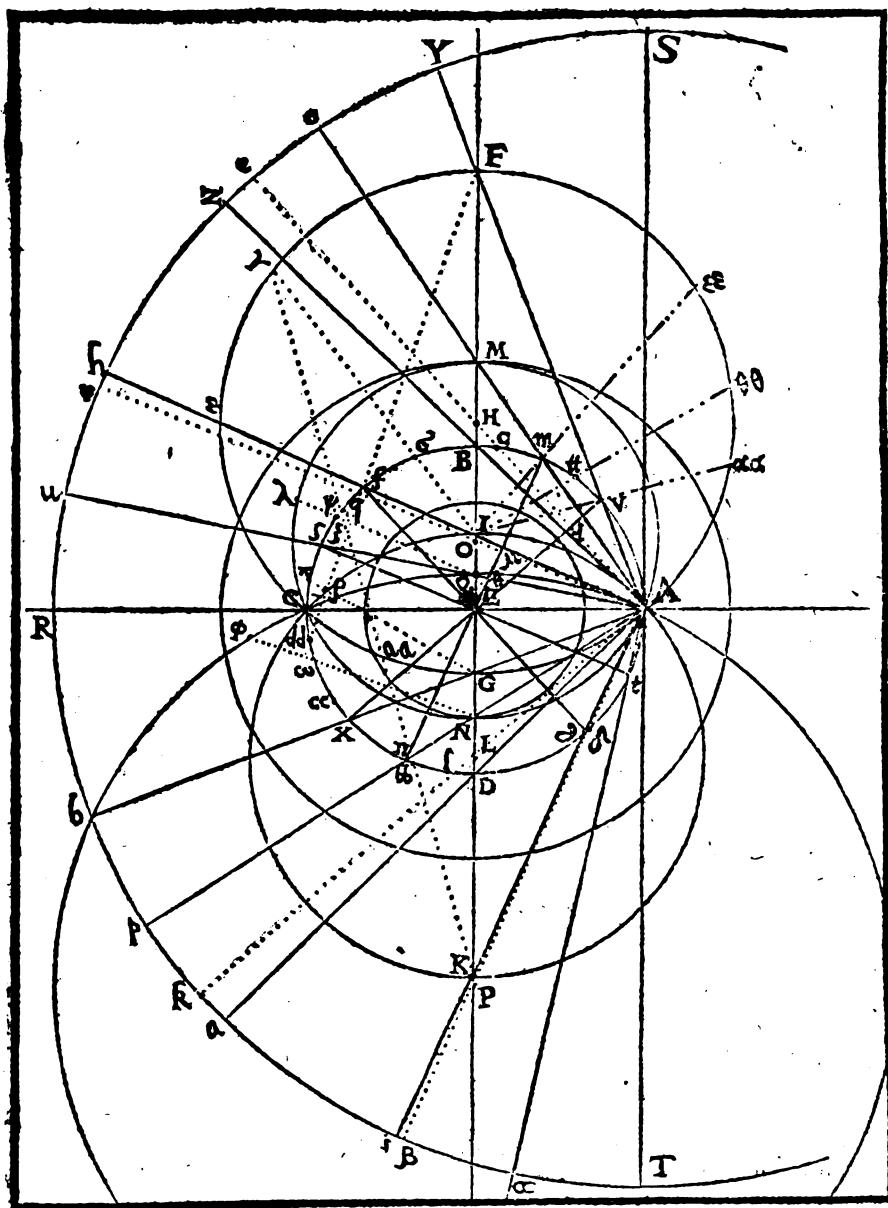
9. V T autem sciamus, quam in partem diameter cuiusuis circuli obliqui, sed ad Meridianum recti, ducenda sit, diligenter obseruanda est eius intersectio cum Meridiano in sphera. Eodem enim modo eius diameter secare debet circulum ABCD, in Astrolabio, qui pro Meridiano sumitur, ita vt A, sit polus australis; C, borealis; & B, intersectio eius cum Aequatore in supero hemisphaerio. Itaque quoniam Horizon secat in sphera Meridianum, Inter Aequatorem in supero hemisphaerio & polum antarcticum, ducenda est eius diameter inter B, & A; qualis est diameter XX. Quia vero Verticalis primarius in supero hemisphaerio secat Meridianum inter Aequatorem, & polum arcticum, ducenda est eius diameter inter B, & C, vt factum est in diametro Verticalis fg, sic etiam quoniam Ecliptica (posito principio 2, in Meridiano superi hemisphaerij) secat Meridium inter Aequatorem, & polum antarcticum, ducenda est eius diameter m n, inter B, & A, veluti Horizontis diameter. Denique quis circulus maximus per polos Eclipticæ in eo situ, & polos Meridiani ductus, secat Meridianum inter Aequatorem, & polum arcticum, ducenda est eius diameter st, inter B, & C, quemadmodum diameter Verticalis. Atque ita de ceteris, habita semper ratione distantie circuli obliqui à polo A, vel polo C, aut certe ab Aequatoris intersectione B.

Diameter datus est
enli maximi obli-
qui, & ad Meri-
dianum recti, sua-
tione in Argu-
tore Astrolabi
ducenda sit, ut pre-
dicti circulus obli-
quis describatur
in Astrolabio.

10. P O R R O, quoniam quilibet circulus maximus obliquus tangit duos parallellos Aequatoris æquales & oppositos, inuenito punto illo extremo diametri visæ cuiuscunque circuli maximi obliqui, quod à centro Astrolabij E, pro prius absit, (qr' qd quidem commode haberi potest, cum radius visualis illud exhibens se semper diametrum BD, intra Aequatorem) reperiatur aliud extremum punctum remotius longe accuratius, si duabus rectis, quarum una est portio recta BD, inter E, centrum Astrolabij, & extremum punctum propinquius, (hoc est, semidiameter parallelis borealis, quem maximus circulus obliquus eo in extremo tangit) altera vero semidiameter Aequatoris, tertia proportionalis inueniatur, vt in lemmate 12. docuimus Hæc enim dabit alterum extremum diametri visæ proposti circuli maximi obliqui, cum sit semidiameter paralleli australis, quem idem circulus maximus tangit, vt propos. 4. Num. 11. demonstrauimus. Ut in Horizonte, inuenito punto G, si duabus EG, EB, inueniatur tertia proportionalis EF, inuentum erit alterum punctum extreum F. Sic in Verticali, postquam inuenientur fuerit punctum I, si duabus EI, EB, adiungatur tertia proportionalis EK, habebitur extreum alterum K. Item in Ecliptica, inuenito punto N, si duabus EN, EB, tertia proportionalis adiungatur EM, datum erit alterum extreum M. Denique in circulo AQC, inuenito punto Q, si duabus EQ, EB, reperiatur tertia proportionalis, offeret ea alterum punctum extreum remotius diametri visæ eiusdem circuli. Et sic de ceteris. Verum inuenitio huius puncti extremiti remotioris non est oīno necessaria. Nam si exquisite centrum dati circuli obliqui reperiatur per lineam ex australi polo A, ad eius diametru in Meridiano Analēmatis (qui in Astrolabio est ipse Aequator.) perpendicularē, vt supra Num. 3. diximus, describetur circulus obliquus in Astrolabio ex eo centro, ad interuallū semidiametri inter centrum, & punctum extreum propinquius inuenitur. Intercepto, exhibebitq; simul alterū extreum remotius: Immo neque vicinus extreum erit necessarium omnino. Nam, vt

a P. 2. Theor.
Extremum pun-
ctum diametri vi-
se circuli maxi-
mi obliqui, quod
à centro Astrola-
bii remotius est,
accuratius impe-
nante.

Circulum maxi-
mum obliquum
in Astrolabio de-
scribere, etiam si
ei diameter visæ
invenita non sit.



In scholio Num. 1. ostendemus, circulus obliquus per punctum A, necessario transit. Si ergo ex centro inuenio per A, circulus describatur, erit iste maximus quantitus, & simul utrumque extreum exhibebit.

11. I M M O eadem hac arte semidiametrum cuiusvis parallelis Aequatoris australis nullo fere negotio eruemus. Nam si V. g. semidiameter parallelis, cuius declinatio australis sit BV, desideretur, ducemus diametrum circuli maximi VEX, & ad eam ducemus perpendicularē A d, que rectam DB, productam fecerit in H. Si namque rectam HG, inter H, & punctum G, terminans semidiametrum parallelis borealis oppositi, (quod per rectam AX, indicatur, cum declinatio borealis DX, declinationi australi BV, æqualis sit) transferemus usque ad F, erit EF, semidiameter questus. propterea quod H, est centrum circuli maximi tangentis in G, & F, duo parallelos oppositos & æquales, quorum declinationes sunt DX, BV, ut ex dictis patet.

Semidiametrum
cuiusvis parallelis
Aequatoris australis alio modo,
quam supra,
& valde exacte,
invenire.

12. P O L V S quoque circuli culusvis maximi obliqui ad Meridianum recti, qui in sphera à polo australi remotior est, indicat in BD, linea meridiana Astrolabij per radium visualem, qui ex A, ad medium punctum illius semicirculi ducitur, quem eius circuli diameter afferit, siue (quod idem est) qui tam eum angulum, quem radij per extrema puncta diametri ipsius, circuli ducti, quam cum, quem radij per centrum Astrolabij, hoc est, centrum circuli obliqui in sphera, & centrum eiusdem in Astrolabio ducti comprehendunt, bifariam diuidit. Verbi gratia, radius Af, cadens in f, punctum medium semicirculi VfX, quem diameter Horizontis VX, abscedit, vel diuidens tam angulum VAX, quam HAE, bifariam, exhibit I, polum Horizontis respondentem in sphera polo f, qui à polo australi A, longius abest. Nam f, punctum æqualiter distans ab Horizonte per VX, ducto polus est Horizontis, ac propterea in I, apparebit. Rectam autem Af, diuidere bifariam tam angulum VAX, contentum sub radiis AV, AX, per extrema puncta diametri VX, ductis, quam angulum HAE, quem radii AE, AH, per centrum Astrolabij, vel Horizontis in sphera E, & centrum Horizontis H, in Astrolabio ducti constituant, ita ostendemus. Quoniam arcus fV, fX, æquales sunt, æquales quoque erunt anguli fAV, fAX. Deinde, quia arcus CX, arcui AV, æqualis est, ob angulos in centro ad verticem æquales, & eidem arcui AV, sumptus fuit æqualis arcus Vc; erunt quoque arcus CX, Vc, æquales: quibus demptis ex quadrantibus fX, fV, reliquæ arcus fC; fc, æquales etiam erunt; ac proinde anguli EAf, HAf, illis arcibus insistentes, æquales erunt. Et quoniam poli per diametrum sunt oppositi in sphera, cadet recta ducta fE, in alterum polum g; ac proinde radius Ag, ad Af, perpendicularis (Quod angulus fAg, in semicirculo fAg, rectus sit,) indicabit in Astrolabio alterum polum K, respondentem in sphera polo g, qui à polo australi A, proprius abest. Eademque ratio omnino est in aliis circulis obliquis maximis Nam G, F, sunt poli Verticalis: Q, Eclipticæ, alter vero per radium Atæ, indicaretur, si id plani angustia permetteret, & N, M, circuli AQC.

Poli eniesis sic
culi maximi poli
qui in Meridiano
bifario per quadrato
diametrum, inducentur
in linea meridi-
ana.

Radius ex polo
australii per pola
circuli obliqui
maximi remoto
nem datus, quo
angulus recte in-
fatuatur.
a 27. tertij.
b 26. tertij.

c 27. tertij.

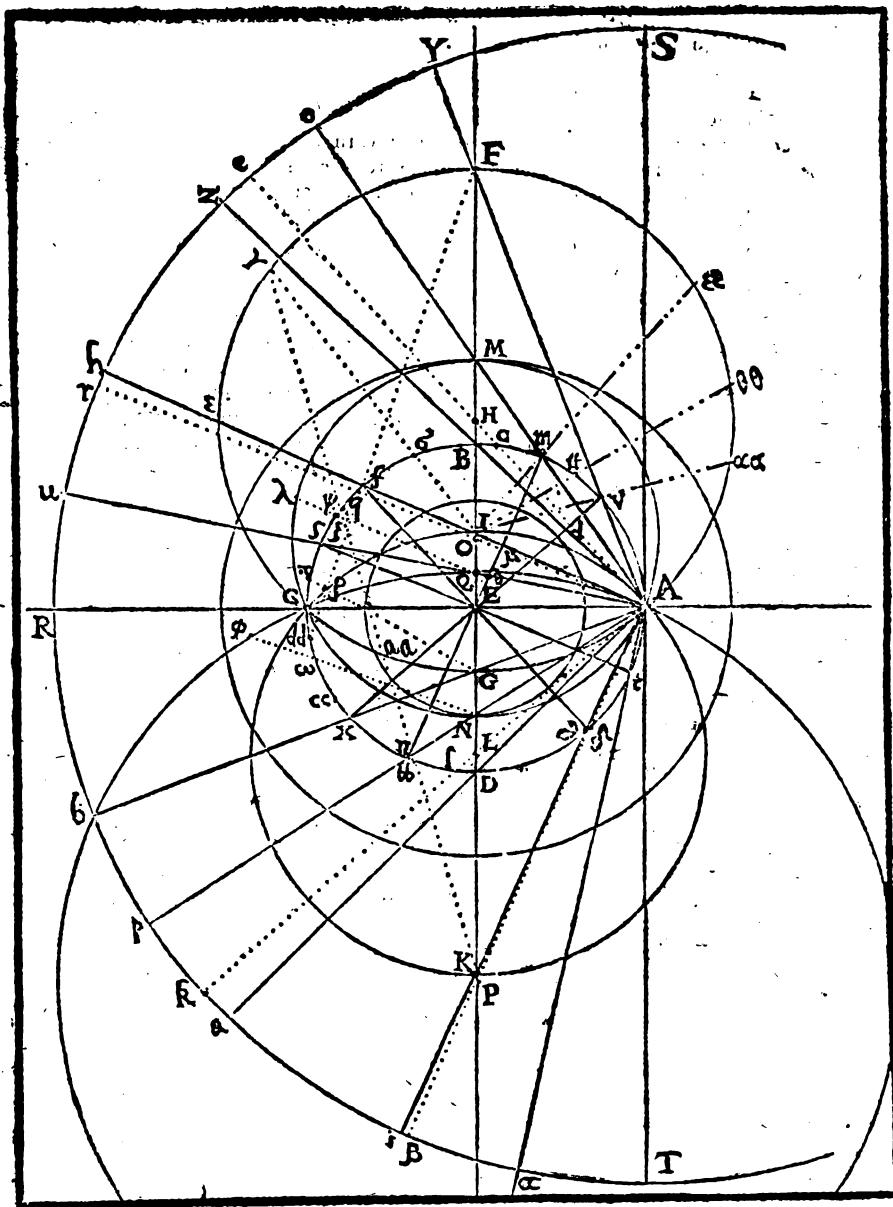
d 31. tertij.

13. EX his liquet, in Astrolabio polum cuiuslibet circuli obliqui maximi à centro Astrolabij diuersum esse. Nam cum radius ex polo australi per polum circuli obliqui ductus non trai. seat per centrum Astrolabij, quod C, polus mundi non possit esse polus circuli obliqui, perspicuum est, polum circuli obliqui apparet extra centrum Astrolabij, ac proinde ab eo diuersum esse.

Polum cuiuslibet
circuli obliqui in
Astrolabio à cen-
tro Astrolabii di-
uersum esse.

14. I T A Q V E ducto radio ex A, per f, polum Horizontis, secante arcum RS, in h, si arcui Rh, sumatur æqualis arcus he, vel arcui Cf, æqualis arcus fc, cadet recta Ace, in H, centrum Horizontis in Astro-

Centrum circuli
maximi obliqui
alter reperiatur in
Astrolabio.



.labio: ; propterea quod anguli RAb, e Ah, sunt æquales ; ac proinde angulus a 27. tertij.
RAe, comprehensus duabus rectis , quarum AR, per E, centrum Astrolabij,
vel centrum Horizontis in sphæra , at vero Ae, per H, centrum Horizontis in
Astrolabio ducitur, bifariam secatur . Idemque contingit in aliis circulis maxi-
mis obliquis .

E S T quoq; obiter hic notandum, radiū Af, ex polo australi in polum circu-
li obliqui maximi cadetem, bscindere ex linea meridiana, & diametro eiusdem
circuli maximi obliqui, duas lineas æquales vñq; ad E, centrum Astrolabii ; hoc
est, rectam EI, vñq; ad I, polum visum, æqualē esse segmento recte EV, vñq; ad
radium Af: Eademq; ratione rectam EK, vñq; ad alterum polum visum K, æqua-
lem esse segmento recte EV, productæ vñq; ad radium visualem KA, versus A,
productum. Quoniam enim tres anguli in triangulo AEI, æquales sunt tribus
angulis trianguli à rectis EI, fA, EV, constituti vñq; ad intersectionem rectarum
fA, EV; suntq; tam ablati anguli recti AEI, fEV, æquales, quam anguli EAf,
EfA, in Isoscelē AEf: erit quoque reliquus EIA, trianguli AEI, reliquo in alio
triangulo, quem recte EV, fA, in communī carum sectione constituent, æqualis.
Igitur recta EI, æqualis est segmento recte EV, vñq; ad radium Af. Rursus quia d 6. primi.
tres anguli in triangulo AEK, æquales sunt tribus angulis trianguli à rectis Eg, gA, e 32. primi.
EV, constituti vñq; ad intersectionem rectarum gA, EV; suntq; tam ablati anguli
recti AEK, gEV, æquales, quam anguli EAg, AgE, in Isoscelē AEg: erit quoq; f s. primi.
reliquus EKA, trianguli AEK, reliquo in alio triangulo, quem recte gA, EV, in
carum concursu efficiunt, æqualis. Igitur recta EK, æqualis est segmento recte
EV, productæ vñque ad radium gA, productum versus A, quod est propositum.

15. Ex his etiā constat, polum cuiusvis circuli obliqui in Astrolabio à suo
centro esse diuersum. Id quod in datis exēpli vel facile videri potest. Quod tamē
breuiter sic demonstrari poterit. Sit f. polus V.g. Eclipticæ, apparens per radiū Af,
in Q. Dico Q, non esse centrū Eclipticæ. Quoniā enim centrum indicatur per ra-
diū perpendicularē ad diametrum Eclipticæ, vt Num. 3. demonstratū est; si Q,
dicatur esse centrū Eclipticæ, erunt anguli ad θ , recti, & æquales: Sunt autem &
anguli mA θ , nA θ , æquales, φ radius A θ , per polum ductus fecet angulum mAn,
bifariā, vt Num. 12. ostenditū est. Igitur duo anguli mA θ , mA θ , trianguli A θ m,
æquales sunt duobus angulis nA θ , nA θ , trianguli A θ n. Cum ergo illis adiaceat
latus commune A θ ; erunt quoque latera m θ , n θ , æquales; ac proinde cum n θ , re-h 26. primi.
cta maior sit, quam n θ , hoc est, quam mE, erit quoque m θ , maior quam mE, pars
quam totum. quod est absurdum. Non ergo Q, polus Eclipticæ centrum est
eiusdem . Pari ratione sit O, centrum Eclipticæ, quod exhibet A μ , ad m μ ,
perpendicularis. Dico O, non esse polum Eclipticæ. Quoniam enim polus indi-
catur per radium, qui angulum mAn, diuidit bifariam, vt Num. 12. ostendi-
mus; si O, dicatur esse polus Eclipticæ, erunt anguli mA μ , nA μ , æquales: sunt
autem & anguli ad μ , æquales, quia recti. Igitur duo anguli m μ A, mA μ , trian-
guli A μ m, duobus angulis n μ A, nA μ , trianguli A μ n, æquales sunt. Cum er-i 26. primi.
go illis adiaceat latus commune A μ ; erunt quoque recte m μ , n μ , æquales; ac
proinde cum n μ , maior sit, quam nE, hoc est, quam mE, erit quoque m μ , pars
major, quam totum mE, quod est absurdum. Nō ergo O, centrum Eclipticæ, polus
est eiusdem. Eadēq; ratio est in aliis circulis maximis. Quod tamē ita quoq; potest
confirmari. Quoniā demonstratum supra est Nu. 12. radiū per polum ductū secare
bifariā angulum contentū radijs duobus per centrū Astrolabij, & centrū circu-
li obliqui ductis, necessariō differet radius per polū ductus à radio per centrū cir-
culi obliqui ducto, ideoq; duo hī radij diuersa puncta in Astrolabio indicabunt.

Quia recte vñq;
les abscindunt ra-
dium ex polo sa-
trali ad polum
maximi circuli
obliqui duas.

b 32. primi.

c 5. primi.

Polem circuli
maximi obliqui
ab eius centro dif-
ferere in Astrola-
bijo.

16. SED

16. SED iam, quomodo quilibet círculus maximus obliquus in Astrolabio descriptus in gradus distribuatur, doceamus. Quoniam enim eorum arcus non semper in arcus similes proiciuntur, ut propos. 3. Num. 2. & 3. demonstravimus, non erunt eorum arcus singulis gradibus eorundem in sphæra respondentes, inter se æquales: alias similes essent arcus in Astrolabium projecti arcibus in sphæra, qui prolicountur. Aliam ergo viam ac rationem inire oportet, qua gradus círcolorum maximorum obliquorum in Astrolabio descriptorum habere possumus. Quamvis autem in gradus diuidi possint per círculos maximos, qui per eorum polos ducuntur, ut Horizon per círculos Verticales, & Ecliptica per maximos círculos, qui per eius polos ducuntur, & círculi latitudinum dicti solent. & sic de ceteris: quia tamen nondū docuimus, qua ratione huiusmodi círculi maximi describantur in Astrolabio, & eorum nonnulli in immensam ferme quantitatem ex crescunt, ut vix sine errore delineari possint, diuidemus eosdem cōmodissime per lineas rectas, idq. pluribus viis, quarum prima omnium est pulcherrima ac facilima, ac proinde ea inter alias eligendā censeo, cuius prior pars (quorūm duas continent, hoc est, duobus modis fieri potest,) sic se habet.

*Horizontem in
Astrolabio ex e-
ius polo superio-
rem in gradus di-
tribuare.*

17. INVENTO polo Horizontis, vel cuiusvis círculi obliqui maximi, (Eadem enim in omnibus est ratio, ut Num. 2. 3. dicetur,) qui intra Aequatorem existit, qui quidem eū exprimit, qui in sphæra a polo australi remotior est, si ex eo per singulos gradus Aequatoris recte linea ducantur usq. ad círculum obliquum, distributus erit obliquus círculus in gradus, hoc est, in arcus, qui quamvis inter se inæquales sint, respōdent tamen gradibus æqualibus illorum círculorum maximum obliquorum, quos in sphæra referunt. Verbi gratia, si ex I. polo Horizontis per quodcumque punctum δ , Aequatoris recta ducatur I δ , secans Horizontem in γ , respondebit arcus F γ , tot gradibus Horizontis in sphæra, quot gradus in arcu Aequatoris B δ , continentur, hoc est, arcus F γ , representabit arcum Horizontis in sphæra arcui Aequatoris B δ , æqualem adeo ut si B δ , arcus fuerit grad. 1. etiam arcus F γ , sit grad. 1. si arcus B δ , fuerit 2. grad. etiam arcus F γ , sit 2. grad &c. Quod sic demonstrabimus. Planum, quod in sphæra per polum antarcticum, & polum Horizontis ab eo remoto, nimurum per Zenith, ducitur, abscondit ex Aequatore, & Horizonte arcus æquales, initio factō in Aequatore quidē à semicirculo Meridiani superiori, in quo Zenith existit, in Horizonte vero a sectione australi, quam cum Meridiano facit, vel in Aequatore a Meridiani semicirculo inferiori, in Horizonte vero à sectione boreali, ut in lemmare 2. 3. demonstravimus. Igitur illud idē planum (quod quidē in sphæra círculum facit) in Astrolabiu projectū auferre conspicietur ex polo australi eos dē illos arcus æquales ex Aequatore, & Horizonte in Astrolabio cōspectis, illos videlicet, qui abscissis arcibus in sphæra respondent. Cū ergo planū seu potius círculus, quē in sphæra efficit, per polū australē trāiens faciat in Astrolabio per propos. 1. Num. 1. linea m̄ rectam per polum I. transeuntem, referet recta I δ , círculum illum per polum Horizontis I. & punctum Aequatoris σ , ductū. Hæc igitur producta secabit Horizontem in puncto γ , quod illi in sphæra respōdet, per quod círculus ille ducitur; adeo ut in puncto γ , círculus ille Horizontem secat, & conspiciatur ex polo australi, Aequatorem vero in puncto δ , cū radius visuallis in illius círculi plano per omnia puncta circumductus abeo non recedat, ideoque in I γ , communī eius sectione cum plano Astrolabii semper existat. Arcus ergo Horizontis F γ , illum in sphæra representat, qui arcui Aequatoris B δ , æqualis est. Idem dicerendum est de omnibus aliis rectis lineis ex Horizontis polo I, egredientibus, & tam Aequatorem, quam Horizontem secantibus.

Nam

Nam & recta I_1 , auferat ex Horizonte arcum F_1 , tot graduum, quot in arcu Aequatoris B_1 , continentur ; & recta IA , abscindit arcum Horizontis FA , tot graduum, quot quadrans Aequatoris BA , complectitur, nimirum 90. ita ut EA , referat quadrantem Horizontis in sphera. Denique quilibet recta ex I , polo Horizontis educata, & meridiana linea BD , in utramque partem extensa, si opus sit, intercipient semper in Aequatore & Horizonte duos arcus aequales, hoc est, qui gradus numero aequales complectantur ; initio semper sumpto vel a duobus punctis B, F , vel a duobus D, G , quorum priorum duorum punctum B , in Aequatore est superior, & F , in Horizonte australe ; posteriorum vero duorum punctum D , in Aequatore est inferius, & G , in Horizonte boreale. Id quod seruandum esse in maximis circulis præcepimus in lemmate 23. quando polus Horizontis a polo australi remotior assumitur, qualis est polus assumptus I . Eadem que ratione duæ quilibet rectæ ex I , emissæ includant in Aequatore, Horizonte duos arcus aequales, cuiusmodi sunt duo arcus $y \pm 1$, & σ : inter duas rectas $Iy, I\sigma$: Item duo arcus y, C , & C , inter duas rectas $Iy, & IC$, (si duceretur) inter se. Itaque si ex I , per singulos gradus Aequatoris rectæ lineæ ducerentur, distribueretur Horizon in 360. arcus, qui singulis gradibus Horizontis in sphæ responderent.

S E D quoniam accidit interdum, polum I , esse valde propinquum puncto B , ac proinde vix posse ex eo per gradus Aequatoris prope B , rectas sine errore educi, quæ gradus in circulo obliquo nobis exhibeant ; afferemus huic incommodo remedium facillimum propos. 6. ad finem Num. 21. ubi docebimus, quo pacto alius circulus cuiusvis magnitudinis ex certo quodam centro describi possit, ita ut rectæ ex I , per eius gradus emissæ indicent gradus respondentes in circulo obliquo, non secus ac rectæ ex I , per gradus Aequatoris egredientes, vt demonstratum est.

18. ITAQVE si desideretur in Horizonte gradus quicunque, hoc est, arcus quotuis graduum, cuius initium sit vel in altera sectionum eius cum Meridiano, ut in F , vel G , vel in altera eius intersectione cum Aequatore, ut in A , vel C , numerandi sunt illi gradus a puncto Aequatoris correspondente, nimirum à B , vel D , aut ab A , vel C , in illam partem, in qua arcus abscindendus est. Recta enim ex I , polo Horizontis per finem numerationis in Aequatore emissâ secabilem Horizontem in gradu, qui desideratur. Ut si quis cupiat arcum grad. 25. Initium suum entem ab intersectione Horizontis eū Aequatore orientali, qualis in Afrabio solet esse punctum C , (quamquam & A , accipi possit pro orientali, & C , pro occidentali.) & tendentem versus boream, supputandi sunt gradus 25. à C , versus D , in Aequatore. (Punctum enim G , Horizontis est boreale, cum referat extremum punctum X , diametri Horizontis, quod remotius est a polo australi A : at punctum F , australe est, cum respondeat puncto extremo V , eiusdem diametri, quod proprius ab eodem polo australi abest.) Recta namque ex I , per finem grad. 25. ducta offeret punctum in Horizonte gradui 25. respondens, atque ita de ceteris. Sic etiam, si quis velit in Horizonte arcum grad. 15. cuius primum p̄tū sit in quadrante orientali australi, & in grad. 22. ab eius intersectione australi cum Meridiano, numerandi sunt primum grad. 22. à B , usque ad σ ; ducendaque recta $I\sigma$, secans Horizontem in y , puncto, quod gradibus 22. ab australi sectione F , distat. Deinde à punto σ , numerandi sunt propositi grad. v . vel versus B , vel versus C , prout arcus Horizontis abscindendus vergere debet in austrum, vel in boream. Nam recta ex I , per finem grad. 15. ducta transbit in Horizonte per grad. 15. &c.

Quo pacto ex quibz
fis obliquis cir-
culis in gradus
distribuantur, quā
do polus I , valde
propinquus est
Aequatoris circu-
ferentia.

Gradus quilibet
propositus quo
pacto in Horiz-
te ex eius polo
superiore ince-
minat in Afrabio.

Pars orientalis,
occidentalis, bo-
realis, & australis
in Horizonte Af-
rabii quæ.

IMMO

Datum prorsus ratione datum quemcunque arcum circuli maximi
stini circuli obli-
qui in Astrolabio diuidendis bifariam.

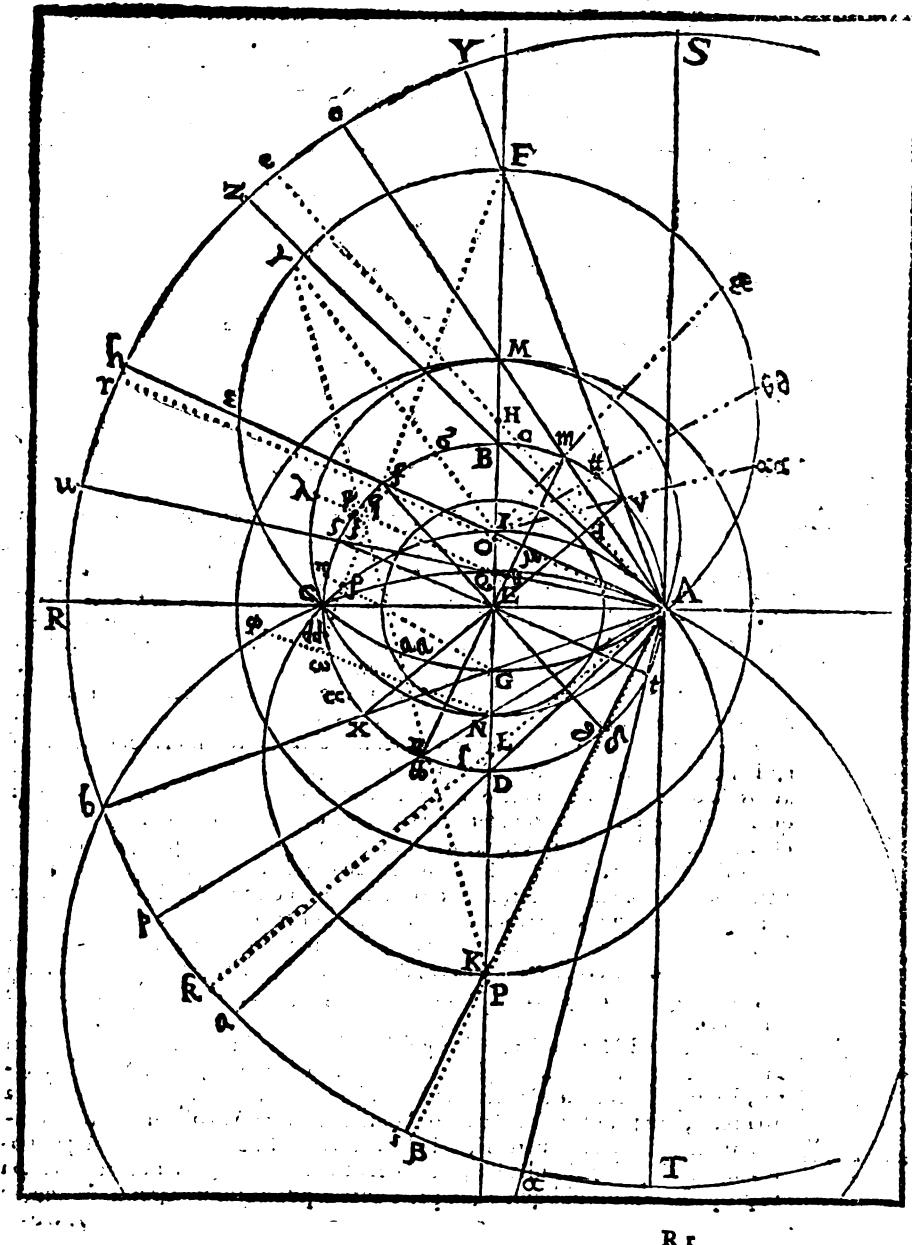
I M M O eadem prorsus ratione datum quemcunque arcum circuli maximi obliqui bifariā secabimus. Sir enim datus arcus, verbi gratia Horizontis $\alpha\alpha\epsilon\delta$, diuidendus bifariam. Ductis ex eius polo I, rectis I α , I ϵ , secantibus Aequatorem in V, m, partemur arcum V m, bifariam in tt. Nam recta I tt, secabit arcum datum in $\theta\theta$, bifariam, id est, arcus $\alpha\alpha\theta\theta\epsilon\delta$, continebunt gradus numero æquales. Id quod ex demonstratis liquet, cum hi arcus arcibus æqualibus ut t t, et t m, in Aequatore respondeant. Idem effici poterit aliis viis, quibus circulos maximos obliquos in gradus partiri in lis, quæ sequuntur, docebimus, quod semel monuisse sit fit.

Quot gradus in
duo arcu Horiz-
ontis Astrolabi
diuidentur,
ex eius polo in-
feriore cogue-
scere.

19. V I C I S S I M si scire quis cupiat, quot gradus in quolibet arcu Horizontis proposito contineantur, ducendæ sunt ab extremis punctis dati arcus duæ rectæ ad I, polum Horizontis, secantes Aequatorem versus eandem partem Horizontis, in qua datus arcus existit. Hæ etenim in Aequatore intercipient tot gradus, quot in dato arcu continentur. Si ergo per lemma 3. inquiratur, quot gradus in illo arcu Aequatoris includantur, numerus graduum in dato arcu Horizontis contentorum ignorari non poterit. Posterior autem pars huius primæ vix hæc est.

Horizontem in
Astrolabio ex eis
polo inferiore in
gradus distribue-
re.

20. I N V E N T O altero polo circuli obliqui extra Aequatorem, (qui nō mitum illum in sphera representat, qui a polo australi proprius abest.) si ex eo per singulos gradus Aequatoris rectæ insinuantur, secantes circulum obliquum, erit iterum obliquus circulus in gradus distinctus: sed ordo graduum in Aequatore, & circulo obliquo aliter nunc sumendum est, quam prius. Nam si in Aequatore incipiunt a punto superiore B, idem in Horizonte inchoandi sunt a punto boreali G: si vero in Aequatore incipiunt ab inferiore punto D, inchoandi sunt in Horizonte a sectione eius australi F, cum Meridiano, vt in lemma 23. faciendum esse monuimus. Exempli causa, si ex K, polo Horizontis extra Aequatorem existente per quodcumque punctum b b, quadrantis Aequatoris DC, recta K b b, ducatur, abscondet ea ex Horizonte arcum F, a punto F, inchoatum tot graduum, quo in arcu Aequatoris inter punctum D, & punctum b b, assumptum, per quod linea recta K b b, duxta est, continetur: quia punctum D, Aequatoris in Meridiano est inferius, & punctum F, Horizontis australis. Sic etiam arcus Horizontis à punto G, boreali per C, usque ad punctum aa, vbia dicta recta K b b, secatur, æqualis est (quod ad numerum graduum attinet) arcui Aequatoris a punto B, superiore Aequatoris usq. ad punctum f, in quadrante CB, per quod recta linea A b b, duxta fuit. Quod si arcus æquals abscondit, si incipere debeant a punto A, vel C, sumendi semper erunt in contraria partes, ita vt arcus Aequatoris à C, versus B, æqualis sit arcui Horizontis à C, versus G, si vterque inter eandem rectam ex K, emissam, & punctum C, intercipitur. Nam hac ratione arcus ex Aequatore abscessus tendit versus punctum superius B, arcus vero ex Horizonte abscessus versus punctum boreale G. Sic etiam eadem recta abscondet duos arcus æquales a punto A, vel C, inchoatos, quorū s, qui in Aequatore sumuntur, versus D, punctū inferius; qui vero in Horizonte versus F, punctum australe tendit, vt rati postulat. Sed quoniam eadem recta cedens extra puncta A, C, secat tam Aequatorem, quam Horizontem in duobus punctis, (nisi quando utrumque circulum tangit, vt in scholio Num. 15. 16. & 17. dicetur) respondebant inter se illa puncta, quæ sunt puncto A, vel C, propinquiora, vel remotiora ab eodem. Hæc autem omnia ex codem lemma 23. demonstrabuntur hoc modo. Planū in sphera per polum antarcticum, & polum Horizontis ei propinquiores, qualis est, quem refert polus K, ductum abscondit ex



Rr

dit ex Aequatore, & Horizonte arcus æquales inchoatos a punctis prædictis, nimirum in Aequatore à superiori, in Horizonte vero a boreali; vel in Aequatore ab inferiore, & in Horizonte ab australi, ut ibi demonstratum est. Igitur illud idem planum in Astrolabio descriptum cosð arcus auferet, illos videlicet, qui arcibus abscessis in sphæra respòdent. Cū ergo per propos. 1. Num. 1. planū illud per polum australem transiens in Astrolabium proicitur in lineam rectam per polum K, transeuntē, referet quælibet recta ex polo K, egrediēs planū illud. ac propterea æquales arcus abscedet ex Aequatore, & Horizonte, vt diximus.

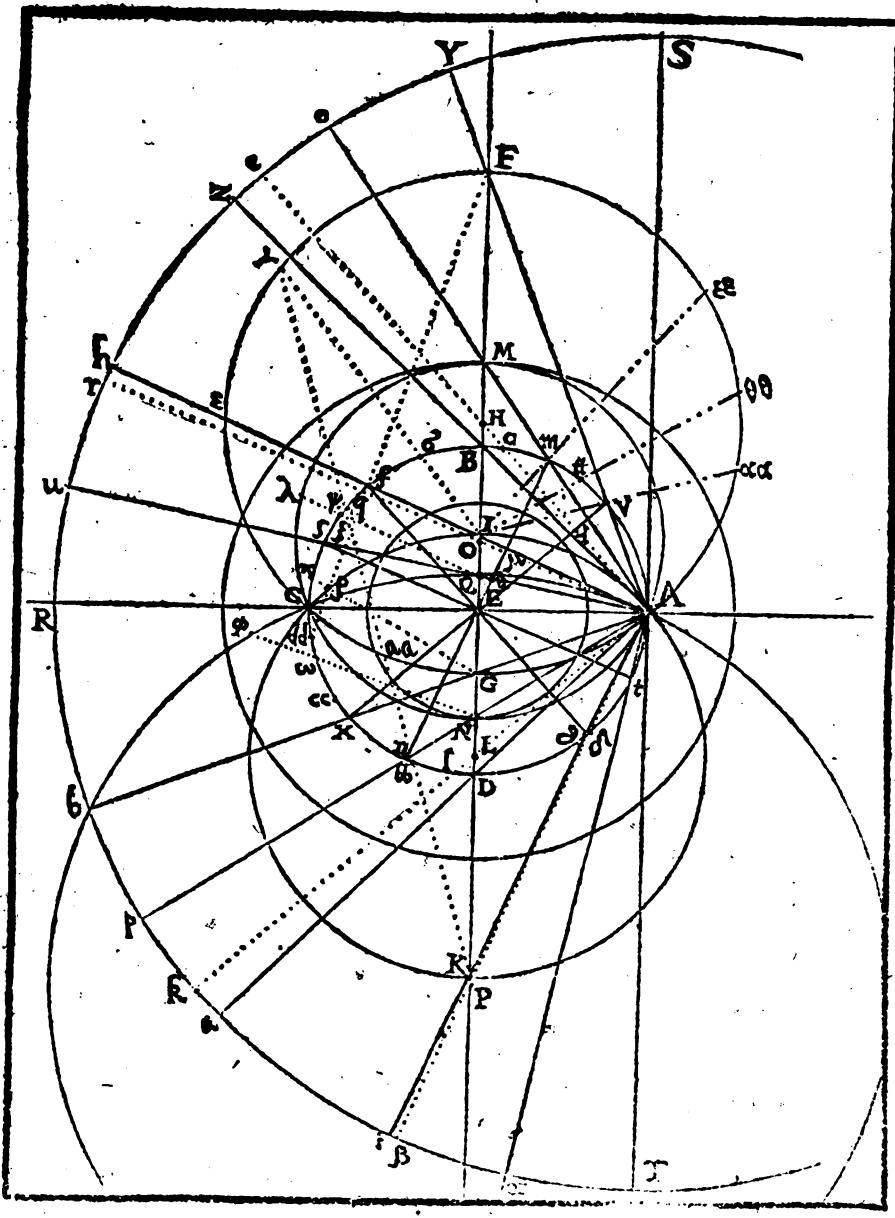
I T A Q V E quemadmodum recta I_o; dedit punctum γ, in Horizonte, ita recta ex polo K, educta per terminum arcus Aequatoris a punto D, inchoati, qui arcui B_z, æqualis sit, exhibebit necessario idem punctum Horizontis. γ, si circuli recte descripti sint. Atque ita idem semper punctum optatum in Horizonte reperire licebit per duas rectas, quarum una ex polo I, altera vero ex polo K, egreditur, si modo ea obseruentur, quæ de initio arcuum abscessorum ex Aequatore, & Horizonte consideranda præcepimus.

Eclipticæ, verticalis primaria, & quævis alium circulum maximum oblique, qui ad Meridianum rectam est, in Astrolabio ex virtutis eius polo in gradus partit.

21. OMNIA hæc intelligenda etiā sunt in Ecliptica AMGN, Verticali AICK, & circulo AQG, cū eadē in his circulis demonstratio sit, quæ in Horizonte. Nā recta Q_z, ex polo Eclipticæ Q, intra Aequatorem emissi auferit arcū Eclipticæ M_λ, arcui Aequatoris B_z, æqualē. Idemq. punctū λ, reperiatur, si ex altero polo Eclipticæ (nimirum ex punto illo rectæ EK, in quod cadit recta A_z, vel in quo à circulo AQG, secatur) recta ducatur per terminū arcus Aequatoris Dcc, à D, inchoati, qui arcui B_z, æqualis sit, vel per terminum arcus Aequatoris Bcc, à B, inchoati, qui arcui D_z, æqualis sit: quia posteriori hac ratione abscedetur arcus Eclipticæ N_λ, respondens arcui Aequatoris Bcc. Parি ratione recta G_z, ex polo Verticalis G, intra Aequatorem auferit arcū Verticalis I_p, æqualē arcui Aequatoris B_w; quia si Verticalis cōcipiatur esse Horizō, supra quē polus borealis attollitur, punctū Aequatoris B, est inferius, & punctū I, Verticalis boreale: At punctū D, Aequatoris est superius, hoc est, in semicirculo Meridiani superiori, in quo videlicet existit polus Verticalis G, à polo australi remoctor, qui nimirum intra Aequatorem existit, & punctū K, Verticalis est australe. Idemq; punctū p, inuenietur per rectā ex F, altero polo Verticalis ducēt per terminū arcus Aequatoris Ddd, à punto D, superiore inchoati, qui arcui B_w, sit æqualis, vel per terminū arcus Aequatoris Bdd, à punto B, inferiore inchoati, qui arcui D_w, æqualis sit: quia haec posteriori via abscedetur arcus Verticalis K_p, a punto australi K, inchoatus, respòdens arcui Aequatoris Bdd. Deniq; recta quoq; N_w, ex N, polo circuli AQG, intra Aequatorem abscedit arcū Q_p, æqualē arcui Aequatoris D_w; Idemque punctum q, habebitur, si ex M, altero polo circuli AQG, recta ducatur per terminum arcus Aequatoris à D, inchoati, qui arcui B_w, sit æqualis, &c.

22. ECLIPTICA Igitur in gradus distribuetur per rectas ex eius polo Q; Verticalis vero per rectas ex eius polo G; & circulus AQG, per rectas ex eius polo N, per singulos Aequatoris gradus eductas, quemadmodum de Horizonte diximus.

Circulum quæfieri maximam oblique, qui ad Meridianum rectas non est, in gradus distribuetur, si eius poli reperiantur, sed loco meridianæ lineæ BD, accipienda est linea alia recta, quæ per centrum circuli obliqui, & centrum Astrolabii ducitur, communisque sectio est Aequatoris, vel plani Astrolabii, & circuli maximi per polos mundi, & polos circuli obliqui transeuntis, instar proprii cuiusdam Meridiani propositi circuli obliqui. Quo pacto-autem poli cuiusvis circuli obliqui in Astro-



Rr 2

Astrolabio inueniantur, infra propos. 8. Num. 17. ostendemus.

*Regula facilis
pro initia arcuū
a circulum de-
terminādis in di-
uisiōibus circu-
lorum maximō-
rum in gradas,
per rectas ex al-
terutro polorum
causatis circuli
obliqui emissa.*

P O R R O in maximis circulis in gradus distribuēdis, non est, quod solli-
citi simus, & anxi, utrum punctorū in Aequatore superius sit, inferius, & utra
sektionū circuli maximi obliqui australis sit vel borealis. Nā quoniā polus circu-
li obliqui intra Aequatōrē ex isteas, est quoque intra ipsum circulum maximum
obliquum; si ex eo polo instituatur diuīsio, initium sūment arcus in Aequatore,
& circulo obliquo, a rectis ex eo polo educitis abscissi, a punctis ad easdem par-
tes ipsius poli assumpti in Astrolabio existentibus, hoc est, superioribus inferio-
ribus; vel certe ab alterutro punctorum, in quibus Aequator, & circulus ma-
ximus obliquus se intersecant. Ita vides factum esse in superioribus circulis ma-
ximus diuidendis in gradus. Nam arcus Aequatoris, & Horizontis a rectis ex po-
lo I, emissis abscissi, mitium sumperunt à punctis B, F, vel D, G, vel certe a pū-
nto C, vel A. Sic etiā, vt Verticalis diuidetur, assumpta sunt pro initia arcuū
puncta B, I, vel D, K, vel certe alterutro ipforum A, C, quādo diuīsio facta est per
rectas ex G, polo Verticalis intra utrumq; circulum existente emissas. Eōde mo-
do, cum diuidetur Ecliptica per rectas ex eius polo Q, educatas, arcus abscissi
initium habuerunt a punctis B, M, vel D, N, vel certe a C, vel A. Denique i n di-
uīsione circuli AQC, ex eius polo N, initium faciendum est a punctis B, Q, vel a
puncto D, & altero, in quo idem circulus rectam BD, extensam secaret, vel certe
ab alterutro punctorum A, C.

Q V A N D O autem diuīsio per rectas ex altero polo, qui extra. verumq; cir-
culū existit, egredientes faciēda est, danda est opera, vt initii sumatur a duobus
punctis ad diuersas partes alterius poli in Astrolabio existentibus, ita vt quādo
punctum Aequatoris superius assumitur, accipiatur in circulo maximo obliquo
inferius, & cōtra, vel si ab alterutro punctorum A, C, libeat incipere, vt arcus in
diuersas partes tendat. Appello aut̄ hic punctū inferius, & superius Aequatoris,
ac circuli maximi obliqui illud, quod in figura superiorē, vel inferiorē locū oc-
cupat respectu centri Astrolabii, non autem illud, quod in cōlo superius est, aut
inferius. Hac ratione in Aequatore, Horizonte, Verticali, Ecliptica, & circu-
lo AQC, superiora puncta sunt B, F, I, M, Q, inferiora vero D, G, K, N, & alte-
rum, in quo circulus AQC, totus descriptus rectam BD, extensam secaret.

*Regula facilis ad
cognoscendū
utram punctorū
Aequatoris in
cōlo sit superius,
vel inferius: Et
utram punctorū
circuli maximi
obliqui sit bore-
le, vel australē.*

V T tamen facile cognoscamus, utrum punctorum Aequatoris vere dici pos-
sit superius, inferius in cōlo, hoc est, ad Meridiani semicirculum superiorem
spectet, vel inferiorē; Item utrum punctorum circulus maximi obliqui, in qui-
bus a recta per centrum Astrolabij, & centrum circuli obliqui, ducta tecatur, sit
boreale, vel australē, hæc regula tenenda est. In Aequatore punctum illud, quod
polo circuli obliqui intra Aequatōrē existenti propinquius est, hoc est, per quod
recta ex centro Astrolabii per dictum polum ducta transit, superius dicitur, quia
vere in semicirculo Meridiani superiori existit, & circulus obliquus pro Hor-
izonte sumatur, supra quem polus atēcū eleuetur: alterum vero punctum ab
codem polo magis distans, hoc est, per quod recta ex centro Astrolabii per alte-
rum polum extra Aequatorem ducta transit, appellatur inferius, ob contrariam
causam. Itaque respectu Horizontis, & Ecliptice, in superiori figura, punctum
Aequatoris B, superius est, & D, inferius; respectu vero Verticalis, & circuli
AQC, punctum D, superius est, & B, inferius. Item in circulo obliquo punctum
centro Astrolabii propinquius, est boreale, remotius autem, australē. Quæ res
si attente consideretur, nulla difficultas erit in arcuum initia præfigendis, ex
utro polorum circuli obliqui diuīsio instituatur, dummodo seruentur ea, quæ in
lēmm. 23. de eisdem initia præscripsumus.

ET

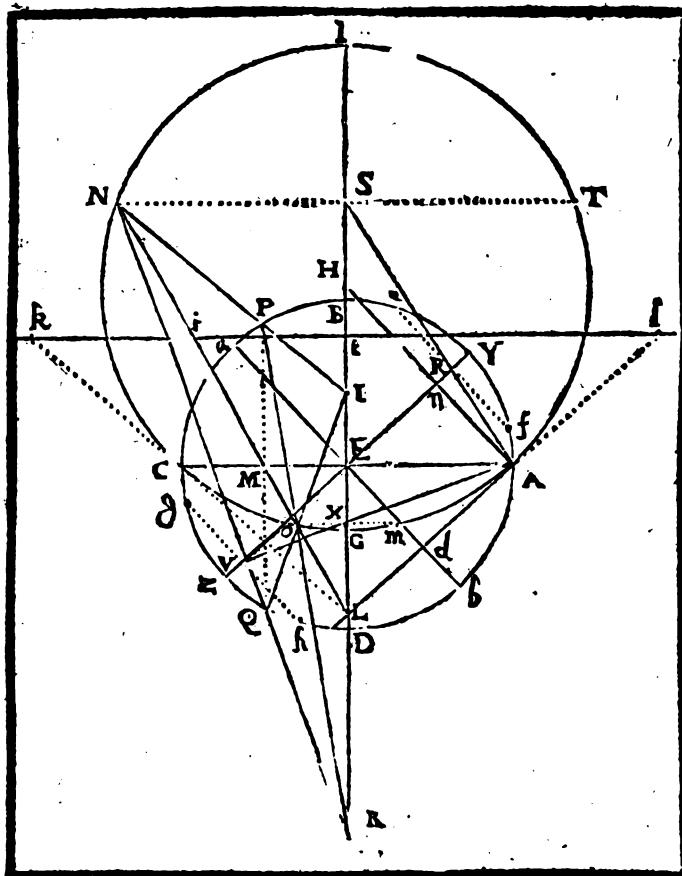
ET quoniam in divisione circuli obliqui per rectas ex polo intra Aequato
re existente nulla est omnino difficultas, cu quælibet huiusmodi rectarum abscon-
dat ex Aequatore, & circulo obliquo arcus respodentes, qui initium sumunt vel a coi-
sitione Aequatoris cu circulo obliquo, vt a pucto C, vel A: vela duobus puctis,
proximis, in quibus recta per centrū Astrolobii, & centrū obliqui circuli ducta.
Aequatorē circulūq; obliquū intersecat, vt a puctis B, & F, vel D, & G, vt ex iis,
quæ daximus, liquet: facili negotio intelligeamus, quoniam modo gerere nos debeamus
in divisione per rectas ex altero polo egredientes, cu arcus in Aequatore incipere
debeat vel ab opposito pucto recta per cetera ducta, ita vt si prius incipiebat a su-
periori pucto, nunc ab inferiori incipiat, versus tandem tamen sectionem circulorum
progrediendo, & contra; vel ab eadē intersectione circulorum in contrarias partes, ita
vt, si in Aequatore arcus ab ea sectione descendat, in circulo obliquo ascendet, &
contra; Quæ oia obseruata esse vides in superiori figura, & in sequenti. Narecta IN
in sequenti figura auffert arcus æqualiū numeri graduū CP, CN, ab eadē sectione
C, inchoatos, versus eadē partē, vel arcus BP, FN, a proximis puctis BF, inchoatos:
At vero recta KN, abscondit arcus equaliū num. graduū DQ, FN, a puctis D, F, in
choatos, quorū illud in in Aequatore inferius est, & hoc in Horizonte superius, vel
arcus CQ, CN, ab eadē sectione C, inchoatos, tēdētes tamē in partes contrarias.

24. ALTERA via, qua circulus quilibet obliquus maximus in Astrolobio de-
scriptus in gradus distribuatur, est eiusmodi. Sit Aequator ABCD, circa centrū
E, Horizont obliquus AFCG, vel quiuis alius circulus maximus obliquus, sed ad
Meridianū rectus, hoc est, habens sacentrū, quā polos I, K, in linea meridiana BD,
utrinque extēta. Deinde semidiameter EC, per lēm. 8. secetur in partes inæquales,
quas efficiūt perpendiculares ex singulis gradibus quadratis BC, ad CE, demis-
se. Inuenio autē L, cetero circuli maximū, qui in sphera per polos circuli obliqui
AFCG, & communes sectiones Aequatoris cum circulo obliquo ducitur, (qua-
lis est Verticalis primarius, si circulus obliquus AFCG, sit Horizon; aut maxi-
mus circulus per polos Zodiaci, & communes sectiones Eclipticę cum Aequato-
re ductus, politis principijs Σ , & Ξ , in Meridiano, si circulus obliquus APCG
sit Ecliptica.) quod inuenitur per lineam A d, ad eius diametrum a b, perpendicularē,
vel diametro YZ, circuli obliqui dati in sphera, quem circulus AFCG,
representat, parallelam: Inuenio, inquam, centro hoc L, si ex eo per omnia pun-
cta semidiametri EC, recte ducantur, secabunt singulæ obliquum circulum in bi-
nis punctis, quæ respondent illis gradibus circuli obliqui, quibus puncta semidia-
metri EC, respondent, ita ut partes arcus CNF, respondant gradibus quadranti-
bus CB, partes vero arcus COG, gradibus quadrantis CD. Singula enim puncta
semidiametri EC, binis gradibus debentur, illis videlicet, in quos perpendiculara
res per dicta puncta educte cadunt. V.g. Si ex L, per punctum M, quod gradui 60.
a C, in utramq; partem numerato usque ad P, Q, respondet, recta ducatur LM, se-
cans circulum obliquum in N, O, erit uteque arcus CN, CO, graduum 60. &
sic de ceteris. Quoniam vero recte ex L, per A, C, emissa circulum AFCG, tan-
gunt in A, C, vt paulo inferius Num. 28. probabitur, institui poterit hæc diuisio
commodius, præsertim quando recta EC, exigua est, ut non facile admittat tot
puncta diuisionum, hæc ratio. Agatur kl, ipsi AC, parallela, secans LA, LC, in
I, k, & a recta AC, quantumlibet distans, vt kl, fiat multo maior, quam AC. Nam
si utraque semistis eius t k, t l, secetur, vt in lemmate 8. traditum est, (quod etiam
hæc, si circa diametrum kl, circulus describatur, & ab eius gradibus ad kl, perpen-
diculares demittantur, vt in lemmate 7, factum est,) habeantur in kl, puncta, per
quæ hæc recte emittantur ex L, secabitur circulus AFCG, vt prius, per rectas ex L

per

Circulus quævis
maximus obli-
quus qui ad Me-
ridianum rectus
est, in Astrolobio
diuidere in gra-
duis ex centro al-
terius circuli ma-
ximi, qui respe-
cta illius est in-
far verticalis pri-
marij.

per puncta recte AC, emissas. Nam per lemma 7. recte AC, kl, similiter secantur illis punctis. Cum ergo & recte ex L, similiter secant rectas eisdem AC, kl, ex scholio propos. 4 lib. 6. Eucl. fit, ut ex recta ex L, per quodlibet punctum vnius earum ducta transeat per punctum respondens, & simile alterius. Ita vides recte LN, transire per puncta respondentia M, i. cum eadem sit proportio CM, ad ME quae k, i. ad i, ex predicto scholio propos. 4. lib. 6. Eucl. Idem hoc remedium adhibendum erit in divisionibus parallelorum in gradus, ut propos. 6. Numer. 26. dicetur.



RECTE autem hoc modo circulum obliquum distribui in gradus, sic demonstrabitur. Per lemma 25. planum in sphera per rectam AL, ductum utcunq. auffert ex circulo obliquo diametri YZ, cui AL, aequidistant duos arcus aequales a punctis Y, Z, inchoatos. Igitur idem illud planum in Astrolabium projectum ab-

abscindore conspicetur ex polo australi eosdem illos arcus *æquales* ex Horizonte in Astrolabium protesto, illos videlicet, qui abscissis arcubus in sphera respondent. Cum ergo planum illud per polem australem incedens faciat, per propos.

1. in Astrolabio rectam lineam per centrum L, transiunt; recta linea LM, ducta per centrum L, & punctum M, diametri AC, (quæ communis sectio est circuli obliqui, & Aequatoris, ut constat, si Meridianus ABCD, concipiatur circa BD verti, donc rectus sit ad Aequatorem, seu planum Astrolabij. Erit enim tunc, & Aequator, & circulus obliquus ad Meridianum rectus.) ideoq. & eorum communis sectio ad eundem rectam erit, ac proinde & ad rectam BD, in Meridiano existente perpendicularis erit in centro sphæra E. Cum ergo AC, ad BD, sit perpendicularis, erit ipsa AC, communis sectio circuli obliqui, & Aequatoris, sive plani Astrolabij.) referet planum illud per eadem puncta, L, M, ductum: ideoque producta secabit obliquum circulum in punctis N, O, quæ illis respondent, quæ & piano illo ex circulo obliquo in sphera absinduntur; adeo ut planum illud ex polo australi conspicatur secare circulum obliquum in punctis N, O, cum radius visualis per omnia puncta illius plani circumductus ab eo non recedat, ac propterea perpetuo in LN, communi eius sectione cum piano Astrolabij Aequatoris, existat. Arcus ergo circuli obliqui CN, illum in sphera representat, qui arcui Aequatoris CP, arcus vero CO, illum, qui arcui CQ, *æqualis* est, & reliqui arcus FN, GO, reliquis arcubus BP, DQ, *æquales* sunt. Eademq. est ratio de omnibus alijs rectis ex L, emissis. Quælibet enim duos arcus ex circulo obliquo absindit, quorumvis, qui a C, versus F, tendit, tot gradus complectitur, quot sunt in arcu Aequatoris à C, versus B, & que ad perpendiculararem per punctum diametri AC, ductam, illæ autem qui à C, versus G, uergit, tot continent gradus, quot in arcu Aequatoris à C, versus D, vsque ad eandem perpendiculararem continentur: adeo ut si ex singulis gradibus Aequatoris ad diameterum AC, perpendicularares ducantur, & per eam puncta ex L, rectæ traiiciantur, totus circulus obliquus in singulos gradus distributus sit. Sed satis est vnum semicirculum hoc modo diuidere. Puncta enim diuisionum in alterum semicirculum translata dabant gradus in altero illo semicirculo.

25. ITAQVE si abscindendus sit ex circulo obliquo arcus ab F, versus C, vel A, aut à G, versus C, vel A; aut à C, versus F, vel G, aut denique ab A, versus F, vel G, quotquot graduum, numerandi sunt illi gradus a B, versus C, vel A, in Aequatore; aut a D, versus C, vel A; aut a C, versus B, vel D; aut denique ab A, versus B, vel D; & à termino numerationis ad A C, perpendicularis ducenda. Nam recta ex L, per punctum huius perpendicularis in AC, electa dabit arctum qui queratur.

26. E CONTRARIO si de proposito arcu circuli obliqui, quot continent gradus, queratur, ducendæ sunt ex terminis eius ad L, duæ rectæ, & ex punctis, vbi diametrum AC, secant, ad AC, duæ perpendicularares excitandæ. Arcus namque Aequatoris inter eas perpendicularares dabit graduum numerum, qui desideratur.

27. HAE C eadem intelligenda etiam sunt de quovis circulo obliquo, qui ad Meridianum non sit rectus, si pro meridianâ linea BD, accipiatur recta per eius centrum, & centrum Astrolabij ducta, & pro centro L, centrum alterius circuli maximi, qui sit instar Verticalis circuli primarij respectu circuli obliqui, & tamquam Horizontis cuiusdam obliqui, &c.

VIDE autem in figura pulchram conuenientiam, & quasi consensum huius modi cum altero illo priore. Quemadmodum enim recta LM, in hoc modo exhibet

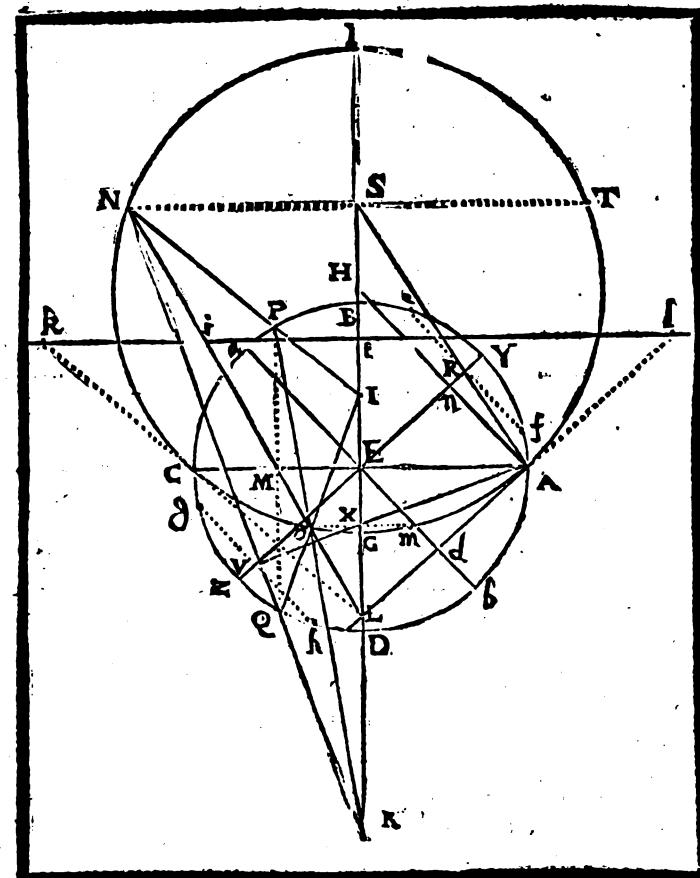
Grades, quilibet propositus, que pato in circulo obliquo maximo inveniuntur in Astrolabio ex centro alterius circuli maximi, qui respectu illius est instar Verticalis primarij.

Quot grades in arcu duo circuli maximi obliqui in Astrolabio est teneantur, ex centro alterius circuli maximi, qui respectu illius est instar Verticalis primarij cognoscere.

Circulus quemvis obliquus maxima q. ad Merid. recta non sit, dividere in gradus ex centro alterius circ. max. q. respectu illius est instar Verticalis primarij.

*Constatuſ ſecunda
de viꝝ diuidit
circulum maximos
equinoꝝ, cum
prima*

hibet nobis in circulo obliquo arcus FN, GO, respondentes arcibus Aequatoris BP, DQ, ita eodem nobis præbent recte IP, IQ, ex polo I, per eosdem gradus Aequatoris ductæ, vt prior pars primæ viꝝ præcepit: Item eodem omnino subministrant recte KQ, KP, ex altero polo K, per eosdem Aequatoris gradus contrario modo emittæ, vt primæ viꝝ pars posterior exigit.



*Quæ ſunt diu-
lum obliquum in
genua regnat
in Astrolabio.*

28. NE QVE vero studiosum lectorem latere volo, rectas ex L, per A, & C, emittas tangere circulum obliquum in punctis A, C. Quoniam enim planum per AL, transiens, & circumductum per omnia puncta diametri AC, (polito circulo ABCD, ad planum Astrolabij, Aequatorisue, recto.) quæ communis ſectio eſt circuli obliqui, & Aequatoris, ſecat ſemper circulum obliquum per lineas ad diametrum AC, perpendicularares, quæ utriq; à punctis A, & C, arcus æquales abſcindunt,

scindunt, ut constat ex lemma 25. sit, ut cum primum ad puncta A, & C, peruenierit, non amplius fecerit circulum obliquum, sed in illis punctis illum contingat, quod tamen Geometricè etiam mox probabitur. Cum ergo recta L A, vel LC, communis sectio sit eiusdem plani cum plano Astrolabij, ac proinde ab eo numquam recedat, sed perpetuo in illo existat, officitur, ut eadem recta L C, vel LA eundem circulum obliquum in Astrolabio tangat in punto C, vel A. Si enim fecaret, secaret quoque planum illud per eam ductum, circulum obliquum in sphæra in duobus punctis, quæ illis, in quibus à recta LC, vel LA, secaretur, respondet, quod est absurdum; cum ipsum contingat tantummodo in C, vel A, ut diximus, & quod Geometricè ita quoq. demonstrabimus. Posito circulo ABCD, ad planum Astrolabij Aequatoris, recto, ut diameter YZ, sit Meridiani, & circuli obliqui communis sectio; si per AC, in Astrolabio iacentem concipiatur circulus maximus duci ad circulum obliquum diametri YZ, in proprio situ rectus; erit idem ad Meridianum rectus, cum transeat per A, C, polos Meridiani, hoc est, per intersectiones Aequatoris cum circulo obliquo in sphæra. Igitur cum & Meridianus, & circulus obliquus ad illum maximum circulum per AC, ductum rectus sit, erit quoque eorum communis sectio YZ, ad eundem rectus, ac proinde & AL, in plano Meridiani existens, & ipsi YZ, parallela, ad eundem circulum maximum recta erit; & Igitur planum per AL, in eodem Meridiani plano existentem, & per punctum C, vel A, in sphæra existens ductum, hoc est, circulus ab eo in sphæra factus, cum eodem circulo maximo rectos faciet angulos. Quocirca cu & hic circulus per AL, & punctum C, vel A, ductus, & circulus obliquus per AC ductus, (si omnia in proprio situ concipiantur in sphæra.) ad circulum illum maximum rectus sit; erit quoque communis eorum sectio ad eundem rectam; ac proinde & ad diametrum AC, circuli obliqui, & ad diametrum circuli per AL, & C, vel A, ducti, quam circulus ille maximus facit. (Quoniam enim maximus ille circulus secans circulum per AL, & C, vel A, ductum ad angulos rectos, ut probatum est, fecerit eum bifarium, & per polos, transibit per eius centrum, & in eo diametrum efficiet.) perpendicularis erit cum utraq. diameter in eo maximo circulo existat. Igitur eadem illa communis sectio circuli obliqui, & circuli per AL, & per C, vel A, ducti, utrumq. circulum contingat in C, vel A, ex coroll. prop. 16.lib.3. Eucl. atque idcirco idem duo circuli in C, vel A, se mutuo tangent, & nullo modo secantur, ex definitione lib. 2. Theodosij.

29. V E R V M rectas ex L, per A, & C, ductas tangere circulum obliquum AFCG faciliter sic probabimus. Quoniam ducta recta An, ad YZ, diametrum circuli obliqui in sphæra perpendicularis cadit in H, centrum circuli obliqui in Astrolabio, ut supra demonstratum est Num. 3. hijs propositionis, estq. AL, ipsi YZ, parallela; erit angulus LAH, rectus. Igitur ex coroll. propos. 16.lib.3. Eucl. recta LA, circulum AFCG, in A, contingat, &c.

SED soluenda videtur hoc loco difficultas quædam, quæ alicui negotium posset faciliere. Cum enim rectæ FG, NO, auferant ex Horizonte arcus FN, GO æquales, quod ad numerum graduum spectat, hoc est, referant in Horizonte sphæras duas parallelas, quarum vna est communis sectio Horizontis, ac Meridiani, altera vero communis sectio eiusdem Horizontis, & plani ducti per polum australem, & punctum L, (quod nimirum circulumducit diximus circa rectam AL, Horizonti parallelam in proprio situ, per omnes lineas, quæ in Horizonte meridianæ lineas ducuntur paralleles) mirum alicui videri possit, rectas FG, NO, coire in L, cum tamen parallelae illæ, quas referunt, non coaneant. Hinc, n. sequitur videatur ut quæadmodum singula puncta rectarū FG, NO, respondent certis qui-

a 15. s. Th.

b 19. undec.

c 8. undec.

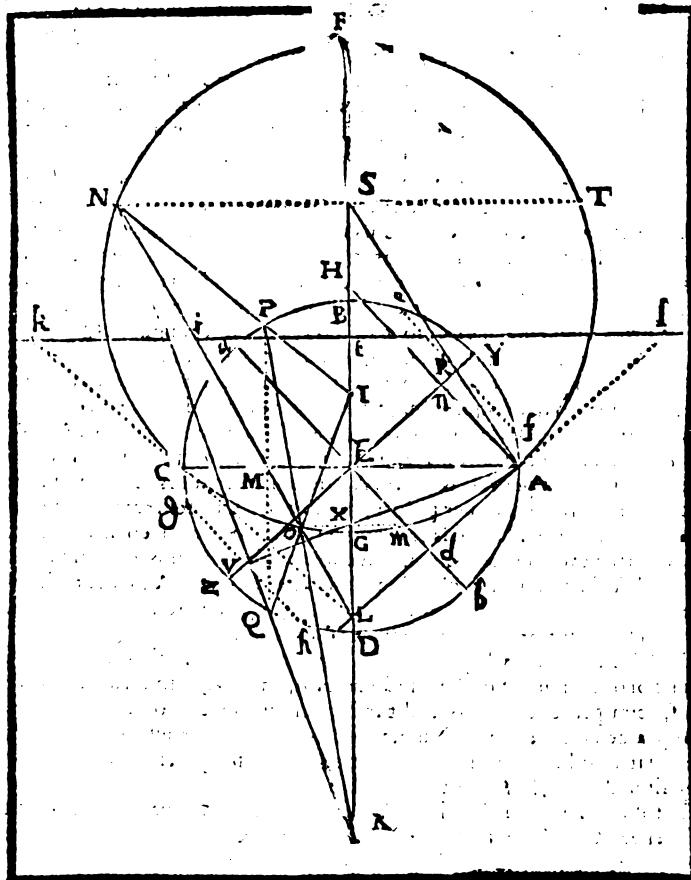
d 18. undec.

e 19. undec.

f 13. 1. Th.

Liness quædā in
Astrolabio circu-
lates & presenta-
re in eas lineas
parallelas. & non
concurrentes.

busdām punctis eorum parallelatum, ita quoque punctum L, respondeat vni puncto communi in veraq. parallela, quod tamen habere non possunt, cum numquā concurrent. Huic dubio occurrentum est, oīa puncta rectarū FL, NL, supra punctum L, respondere punctis illarum parallelarum, sed ipsum punctū L, nullū in illis respondens habere. Nā quia AL, inter polum australē & punctū L, in plano Astrolabij Aequatoris, exquidistat piano Horizontis, in quo sunt ille paralle-



Iz, non poterit vnguā radius AL, etiam in infinitum productus, cum illis conuenire, ac proinde nullum eorum punctum in L, apparebit. At vero, quia radius ex polo australi per quodcunq. punctū vel rectarū FL, vel rectarū NL, quantūlibet propinquū ipsi L, secat parallela in Horizonte existente, cū eius exquidistatē AL, secat in A, existatq. in planō per AL, & illā parallela ducto, sit, vt quodlibet punctum supra L, habeat punctum respondens in parallela, illud nimis, in quod radius ex-

au-

australi polo per illud punctū recte FL, vel NL, transiens cadit. Itaq. si circulus ABCD, intelligatur esse Horizon in proprio situ, vergēte pūcta B, in austrū, & D in septētrionē, C, in ortū, & A, in occasū ora pūcta parallelae BD, PQ, quā cōtinētur in semissibus borealibus ED, MQ, habebūt respōdentia pūcta in rectis EL, ML, vñq. ad punctū L, exclusiue, cōprehensa vero in semissibus australibus EB, MP, habebūt pūcta respōdentia in rectis E F, MN, in infinitū extensis, ut insphae ramateriali perspicuū est. Nō est ergo mirum, rectas FL, NO, ē st̄parallelas re presentant, concurrere in L, quia non solū illas parallelas referunt, sed tota etiā plana, quā per AL, in proprio situ, & per parallelas illas ducuntur, repreäsentant. Sicut igitur parallelae illæ non existunt in omnibus partibus illorū planorum, ita neque omnia puncta rectarū FL, NL, plana illa repreäsentantium respondere possunt aliquibus punctis parallelarum, sed puncta illa, quā repreäsentant partes planorum existentes extra parallelas, necessario extra parallelas apparebunt in Astrolabio, ita vt ad illas nullo modo pertineant.

30. TERTIA via circulū quemlibet maximū obliquū in gradus partemur in Astrolabio hac ratione. Vtraq. semidiameter circuli obliqui in sphēra EZ, EY, secerut, per lem. 8 in partes inæquales, quās efficiunt perpendiculares ex singulis gradibus quadrantū a Y, a Z, ad YZ, demissæ. Satis autē est vnam diuidere, cū puncta illius in alterā translata eā eodem modo diuidant. Deinde ex A. polo australi per omnia puncta sectionum diametri YZ, recte ducantur secantes diametrum FG, circuli dati obliqui in punctis, per quās si ad eandē diametrum FG, perpendiculares excītētur, diuisus erit circulus obliquus AFCG, in gradus. Exēpli causa. Si ex A. per punctum R, quod gradui 30. ab Y, in vtramq. partem numerato vñq. ad e, f, respondet, recta ducatur AR, secans FG, in S. & per S, ad FG, perpendiculares excitetur NT, continebit vterq. arcus FN, FT, gr. 30. hoc est, referat arcū illum circuli obliqui in sphēra, qui vtriq. arcui Ye, Yf, æqualis est, & ita de ceteris. Demonstratio huius rei hæc est. Posito circulo ABCD, ad planum Astrolabij recto, vt YZ, diameter circuli obliqui cōmuns sectio sit Meridiani, & circuli obliqui, circulusq. tunc per YZ, & AC, duca tur: quoniam planū in sphēra per australē polum A, in eo situ circuli ABCD, & per rectam, quā per R, ad diametrum YZ, in plano circuli obliqui perpendicularis est, duclū occurrit plano Astrolabij in S, facitq. per lem. 24. rectam ad FG, (quā cōmuni sectio est Meridiani, siue circuli per polos Mundi, & polos circuli obliqui incidentis) perpendicularē transibit idem illud planum per rectam NT, conspicieturq. in Astrolabio eodē gradus absindere ex circulo obliquo AFCG, quos in sphēra ex eodē absindit cum radius visualis per omnia puncta illius plani circumductus ab eo non recebat, ac propterea perpendicularē per R, ductā, auferentemq. hinc inde gr. 30. ab Y, incipiendo, in rectam NT, projicit in Astrolabium. Arcus igitur circuli obliqui FN, FT, repreäsentant in sphēra illos, qui arcubus Ye, Yf, æquales sunt; at uero arcus CN, AT, illos, qui æquales sunt arcubus ac, bf, & sic de alijs rectis ex A, emissis: Ita vt si ex singulis gradibus Aequatoris ad diametrum YZ, perpendicularē demittantur, & per earum puncta ex A, recte egrediātur, recta FG secta conspiciatur in punctis, per quās perpendicularē ad FG, ductā, dabunt sanguulos gradus circuli obliqui.

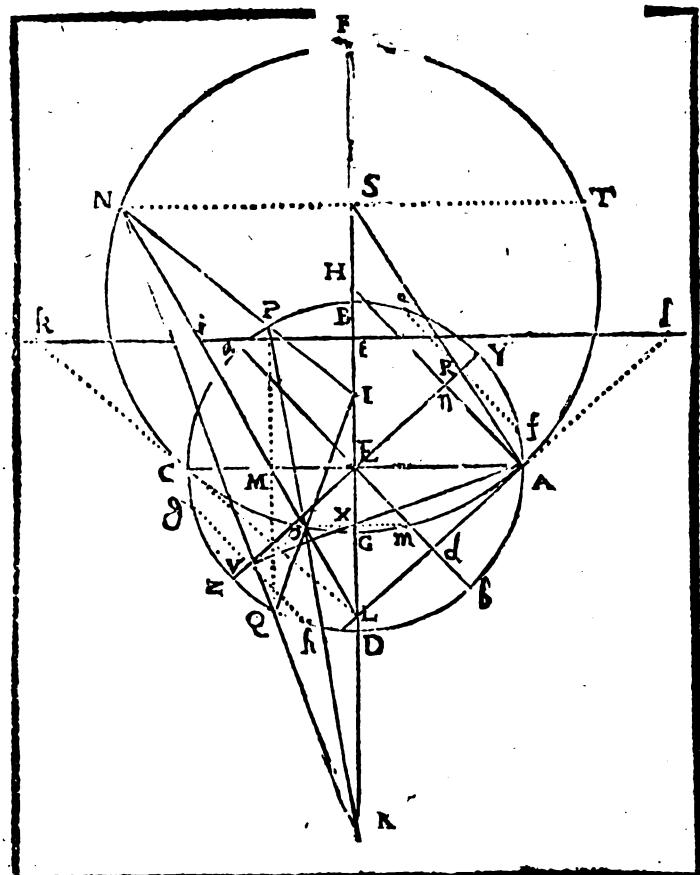
31. ITA QVE si ex circulo obliquo absindendus sit arcus quotlibet graduum ab F, incipiendo, vel a G; numerandi sunt gradus propositi ab Y, vel Z, in vtramq. partem, v.g. vñq. ad e, f, vel g, h, & recta ducenda est, secans E Y, in R, vel g h, secans E Z, in V. Recta enim AR, vel AV, occurret recte FG, in S, vel X, puncto, per quod perpendicularis ad FG, ducta NT, vel OM, auferet vtrumq. arcū

Circulum quemlibet maximum obliquum, qui ad Meridianum reponens sic in gradus distributum ex polo australi. Ann. lemmatis.

Gradum quelibet propositum in circulo maximo obliquo ad Meridianum invenire ex polo australi Ann. lemmatis.

FN, ET, vel, GO, GM, continentem datum numerum graduum, qui in arcubus
arcu dato circuli
maximi obliqui
ad Meridianum
rectum continen-
tes ex polo Aste-
rii Aalem-
panis cognosce-
re.

32. CONTRA si scire quis velit, quot gradus in dato arcu circuli obliqui
contineantur, ducendae sunt ex terminis illius ad FG, duæ perpendiculares, & ex
earum punctis, vbi FG, secatur, ad A, duæ rectæ ducendæ, quæ secant YZ, in duo
bus punctis, atque ex iis ad YZ, duæ perpendiculares erigendæ. Arcus. n. Aequa-
toris inter illas perpendicularares indicabit numerum graduum, qui queritur.



Circulum quem-
uis maximum obli-
quum in Astro-
labio, qui ad Meri-
dianum rectum
non sit, partiri in
gradus ex polo
aestri Aalem-
panis.

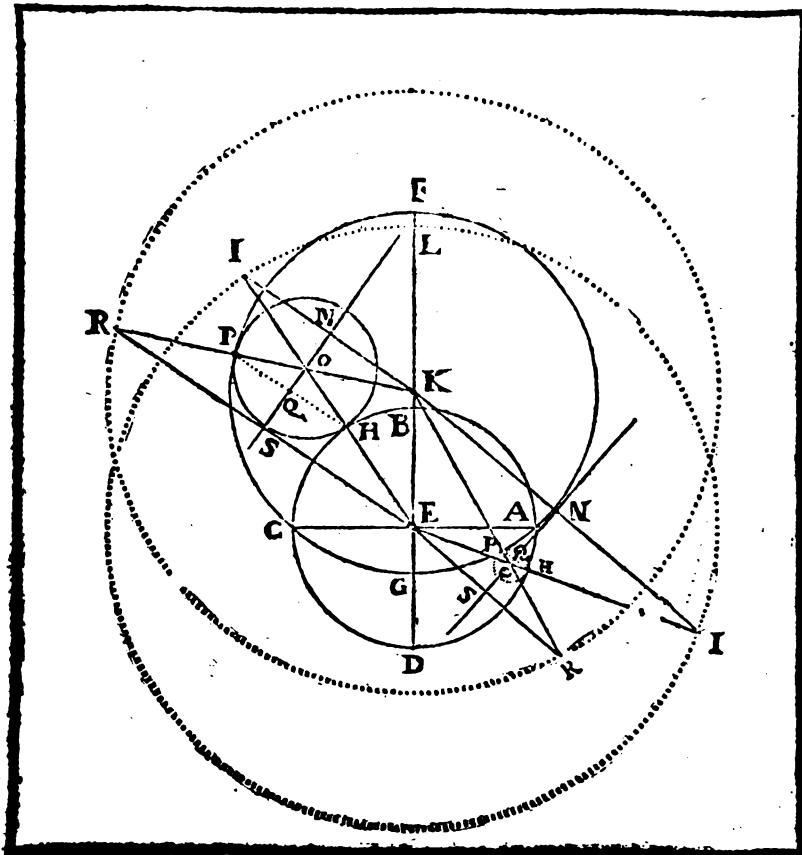
33. PER SPIC VVM autem est, rationem hanc quadrare etiam in omnem
alium circulum obliquum, qui ad Meridianum rectum non sit, si pro meridi-
ana linea BD, accipiat recta per eius centrum, & centrum Astrolabii ducta, que ni-
mirum communis sectio sit plani Astrolabii Aequatoris, & circuli maximi
per mundi polos, & polos circuli obliqui ducti, &c.

HC

HIC etiam videre licet conuenientiam hucus tertiaz viz cum prioribus duabus. Nam idem prorsus arcus FN, GO, vel CN, CO, per hanc inuenti sunt, quos per illas inuenimus.

34. LIBET hoc loco explicare aliam adhuc viam distribuendi maximū quēuis circulum obliquum in gradus, quæ licet usum videatur habere aliquanto magis impeditū, quā aliæ, quas explicauimus, præsentim si totus circulus in gradus sit distribuēdus, cōmodissima tamen est, si unus interdū, aut alter gradus dunctus inuestigādus sit; quia in ea neq; poli circuli obliqui requirūtur, ut in primo

**Confessus remis
vix dividendi eti-
culos maximes
obliquos, cū pae-
mis dabant.**

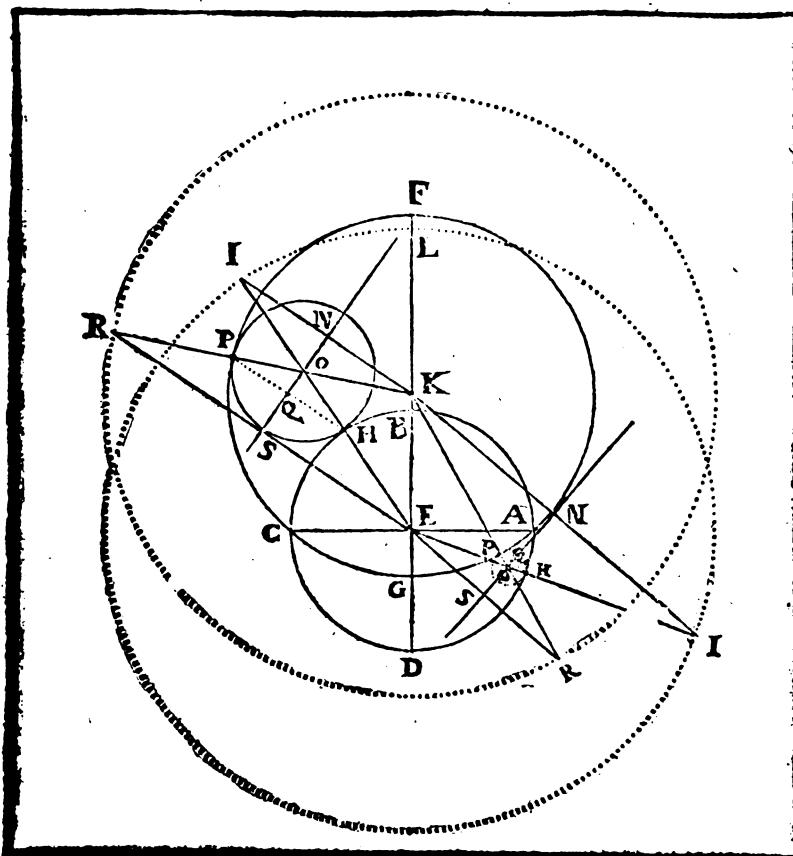


modo, quē Num. 17. & 20. explicaūimus; neque centrum maximī circuli, qui in ſtar
eft Verticalis primarij respectu dati circuli obliqui, vna cū ſectionibus diametri
AC, vt in ſecunda ratione Num. 24. explicata; neq; deniq; diameter circuli obli
qui diuifa in Analēmate, vt tertius modus poſtulabat; ſed ſolū per rectas lipes,
ex cōtro Aequatoris, & proprio centro educatas perficitur, hoc videlicet modo.

Six

Circulum quem
au maximu obli-
quum in Altitude
distribue
in gradus ex pro-
pri centro, & ex
centro Aliolabij.

Sit Aequator ABCD, cuius centrum E, & circulus obliquus quicunque AFCG,
cuius centrum K; sitq; gradus Aequatoris H, inueniendum punctum respon-
dens in circulo obliquo. Ducatur ex E, centro Aequatoris per H, punctum da-
rum recta EH, in qua producta sumatur HI, aequalis semidiametro circuli
obliqui, in quo punctum respondens inueniendum est, (quando totus circulus in
gradus diuidendus sit, vel plura puncta inuenienda, expedit, vt sumpta recta BL,
aequali semidiametro FK, ex E, per L, circulus L I, describatur. Ita enim om-



nes recte ex E, educte usque ad circulum istum habebunt inter eundem, &
Aequatorem adiectas portiones semidiametro F K, aequales. Cum enia
tam EL, EI, ex centro, quam EB, EH, aequales sint, erunt quoque reliquie
BL, HI, aequales. & sic de ceteris.) & iungatur ad centrum K,
circuli diuidendi recta IK, quam bisaria, & ad angulos rectos fecit NO, secis
EI, in O, punto, per quod ex K, centro recta ducatur KO, secans circulum diui-
dendum

dendum in P. Dico punctum P, punto dato H, respondere, hoc est, arcus BH,
FP, aequales esse in numero graduum. Quoniam enim duo latera KN, NO, duobus lateribus IN, NO, aequalia sunt, angulosq; continent aequales rectos; erunt a 4. primi.
& bases OK, OI, aequales Sunt autem & KP, IH, aequales, quod illa sit semidiameter obliqui circuli: huc vero eidem semidiametro ponatur aequalis. Ablatis igitur aequalibus ex aequalibus, reliquæ OP, OH, aequales quoque erunt. Quocirca circulus ex O, per H, P, descriptus vtrumque circulum tanget, (eo quod rectæ OH, OP, ad centra E, K, pertineant,) vt in lemma 42. ostendimus, circulumq; sphæra referet eosdem tangentem in punctis, quæ punctis L, P, respondent: ac proinde per lemma 43. arcus BH, FP, aequales numero gradus complecentur. Punctum porro P, inuenietur quoque per rectam KP, constituentem in centro K, angulum angulo I, aequalem. ^b Nam sic rursus aequales erunt rectæ OK, OI, &c. In modo si per punctum H, datum in Aequatore agatur HP, parallela rectæ KI, inuenientur erit idem punctum P. Quia enim Isoscelia sunt triangula IOK, HOP, aangulosque ad O, habent aequales; erunt reliqui reliquis aequales. ^c Cum c 15. primi. ergo tamen I, K, quam H, P, inter se aequales sint, erunt quoque OIK, OHP, aequales: d 5. primi. ^e ac proinde IK, HP, parallela erunt.

R V R S V S puncto P, circuli obliqui reperiendum sit punctum in Aequatore ^{primus}. respondens. Ducta ex K, centro obliqui circuli per datum in eo punctum P, recta, accipiatur PR, aequalis semidiametro Aequatoris, in quo punctum respondens inueniendum est: (Hic quoque, si plura puncta inuenienda sint, describendus est circulus ex K, per R, vt omnes rectæ ex K, ad eum circulum eductæ habeant segmenta inter eundem, & circulum obliquum semidiametro PR, aequalia.) Ducta autem ex R, ad E, centrū Aequatoris recta RE, secetur bifariam, & ad angulos rectos per rectam SO, quæ fecerit KR, in O. Nam rursus recta ex E, centro per O, ducta dabit in Aequatore punctum H, quasiut. Nam rursus tam OE, OR, quam HE, PR, aequales sunt. Igitur aequalibus demptis ex aequalibus, reliquæ OH, OP, aequales erunt. Quapropter circulus ex O, per H, P, descriptus vtrumque circulum tanget, &c. eo quod rectæ OH, OP, ad centra E, K, pertineant. Idem quoque punctum H, reperiatur, si in E, centro fiat angulo R, aequalis angulus E: vel si ex dato puncto P, in obliquo circulo parallela ducatur ipsi RE, &c.

A T Q V E hæc ratio in omnes circulos maximos quadrat, etiam si neuter duorum circulorum sit Aequator.

35. I T A Q V E datis duobus circulis maximis in Astrolabio, si in uno eorum detur arcus quantuscunque à communi eorum sectione inchiquatus, faciliter potio ei aequalis in numero graduum ex altero rescapimus. Nam si datus sit arcus CP, in circulo AFCG, (secantibus sece duobus maximis circulis ABCD, AFCG, in A, & C,) li ex eius centro K, ducatur per punctum extrellum P, recta, & in ea producta sumatur PR. Semidiametro alterius circuli aequalis, ducaturq; ex R, ad eiusdem in centrum E, recta, quam ad angulos rectos, & bifariam fecerit SO, secans KR, in O, dabit recta ex O, ad centrum E, eiusdem circuli arcum CH, ar cui CP, aequalem, & sic de ceteris. Potest quidem, & hoc fieri per primum modum diuidendi circulos obliquos in gradus, sed opus est prius inuenisse datorum circulorum polos. Nam si ex termino dati arcus ad eius polum recta ducatur, absindetur ex Aequatore arcus aequalis: Per cuius terminum si ex polo alterius circuli recta ducatur, absclusus erit ex eo arcus aequalis quasiut. Sed ratio hoc loco explicata commodior videtur, cum polis circulorum non indigeat.

36. A L I V M quoque modum distribuendi maximos circulos in gradus per facilem, atque iucundum repertis in sequenti propos. Num. 36. Hic autem negotium

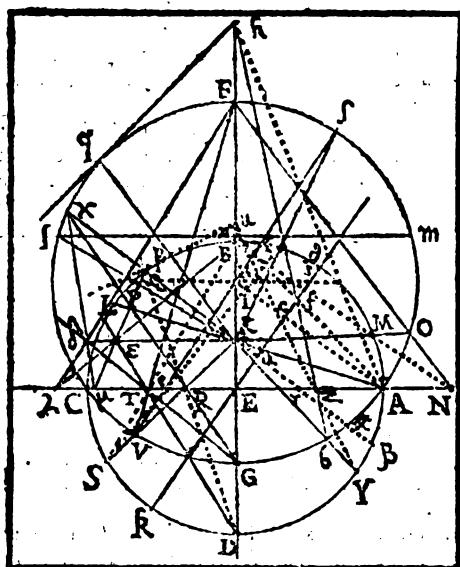
Circulum que-
uis maximum Ast-
rolabii parti-
ti in gradus p. alia
circulam maxi-
mum distinx.

Dico arcui in cir-
culo quoque ma-
ximo abscindere
arcum aequalem
in numero gra-
duum ex quoque
alio circulo ma-
ximo.

etum hoc concludemus alio quodam modo pulcherrimo per lineas rectas: quippe quo unum idemque punctum in circulo maximo inueniri possit per plurimas rectas lineas. Est autem eiusmodi.

A linea mediana per obliquum circulum quaevis maximum obliquum se gradus.

SIT Aequator ABCD, cuius centrum E; circulus maximus obliquus quicunque AFCG, cuius centrum H; & diameter vera i k, recta DF, per eius centrum, & centrum Astrolabij ducta, referens circulum maximum per polos mundi, & polos ipsius ductum, instar Meridiani cuiusdam proprii; polus eiusdem oblii qui circuli K. Et quia recta AC, communem sectionem Aequatoris & dati circuli obliqui in sphera representat, ut in scholio sequenti Num. 1. demonstrabitur; apparet omnia puncta communis illius sectionis in sphera existentes, in hac communi sectione AC, quæ in Astrolabio appetat, in eisdem prorsus distantiis, & situ, quem in sphera obtinent, cum eadē sint puncta vera in sphera, & visa in Astrolabio; propterea quod radii visuales ex polo australi procidentes in iisdem punctis terminantur, & non viterius protenduntur: quippe cum communis illa sectio sit eadē prorsus, quæ visa. Concipiantur circulus ABCD, circa BD, moueri, donec rectus sit ad Aequatorem, & i k, diameter circuli obliqui proprium situm habeat, vergente semicirculo BAD, versus austrum infra planum Astrolabii, hoc est, a tergo ipsius, & semicirculo BCD, boream versus supra planum Astrolabii: quo posito, proieciantur omnia puncta diametri i k, in lineam FD, per radios, visuales ex A, emissos, cum tres rectæ AC, i k, FD, in ea positione sint in eodem



circulo ad obliquum circulum recto, qui videlicet instar Meridiani est circuli obliqui per diametrum i k, ducti. Quoniam vero planum, in quo obliquus circulus maximus diametri i k, existit, circa AC, circumductum congruer aliquando cum Aequatore, sicut rectæ ex qualibet puncto Astrolabij in recta FD, vel etiam extra ipsam positio, per gradus circumserentia ABCD, emissæ secant rectam AC, in eisdem punctis, in quibus eandem secant, si ex respondentibus punctis plani, in quo circulus obliquus diametri i k, proprium situm habentis, per gradus circuli obliqui educerentur. Verbi gratia. Recta BS, per extremum punctum S, arcus CS, grad. 30. ducta secat AC, in T, puncto, in quo eandem secant recta ex punto i, proprium situm habente, quod puncto B, respondet, (cum ambo puncta æqualiter absint a centro E, & in eodem Meridiano dati circuli existant) educta per grad. 30. circuli obliqui a puncto C, numeratum: propterea quod,

quod, ut dictum est, circulus obliquus diametri i k, circa AC, circumvolutus c6, gruit necessario cum Aequatore, vel plano Astrolabii, & vicissim planū Aequatōis, vel Astrolabii circa AC, circumvolutum necessario cum circulo obliquo, proprium situm habente congruit; & punctum i, cum B; & k, cum D. Constat autem rectam BS, in eodem temper puncto T, secare rectam AC, quantumuis planum circuli ABCD, circa AC, circumducatur. Eadem de causa recta, quæ ex k, in plano circuli obliqui proprium situm habente duceretur per punctum puncto Q, respondens, secat eandem AC, in R, ubi a recta DQ, secatur. Sic recta IS, eandem secat in e, puncto, in quo a recta secatur, quæ ex puncto c, æqualem cum puncto I, distantiam habente in diametro i k, à centro E, duceretur in plano circuli obliqui proprium situm habente, ad punctum respondens puncto S. Et sic de ceteris.

HIS positis, si arcui AM, æqualis arcus absindendus sit, ducemus ex aliquo puncto rectæ FD, ut ex B, per M, rectam, quæ ipsam AC, secat in N. Et quia puncti i, circuli obliqui, quod respōdet puncto B, apparet ex polo australi in F, apparebit tota recta BN, trāsire per duo puncta F, N; quandoquidē eius pūctum B, vel i, conspicitur in F; & N, in N. Ducta ergo recta FN, secat obliquū circulum in puncto O, quod puncto M, respondebit, propterea quod punctum M, circuli obliqui ABCD, propriam positionem habentis apparet in O, puncto, per quod recta BN per datum punctum M, transiens, conspicitur trāsire, ut dictum est. Eodem pacto ducta recta BS, secante AC, in T, cadet ducta recta FT, in V, per quam respondens puncto S. Rursus quia punctum k, quod respondebit puncto D, apparet in G; si ducatur recta DQ, secans AC, in R, cadet ducta recta GR, in punctum X, ipsi Q, respondens.

SED quoniam, rectæ ex punctis B, & D, per propinqua puncta circumferentia ABCD, eductæ secant rectam AC, productam extra circulum valde oblique; ut omnia puncta intra circulum habeamus, ducemus per puncta semicirculi ABC, rectas ex D. Nam rectæ ex G, per intersectionum puncta in recta AC, dabunt in semicirculo obliquo AFC, puncta respondentia. Per puncta autem semicirculi ADC, ducemus rectas ex B. Rectæ enim ex F, per puncta intersectionum in recta AC, indicabunt in semicirculo obliquo AGC, puncta respondentia. Atque per hæc duo puncta F, G, binis punctis B, D, respondentia comodissime totus circulus in gradus distribuetur.

HAC eadem ratione ex quolibet puncto rectæ BD, præter cētrum Astrolabii E, (si tamen radius ex A, ad illud emissus, diametrum ik, etiam productam, si opus sit, cōmodè secat) rectas educere poterimus, secantes obliquum circulum in gradus; si nimur ex A, ad illud punctum radiū emittamus, & punctum intersectionis illius cum diametro ik, in rectam FD, ex E, transferamus. Nam si ex hoc puncto in lineam FD, translato per quilibet gradum circuli ABCD, rectas ducamus secante AC, cadet recta ex assumpto puncto per punctum intersectionis in recta AC, emissa in gradum circuli obliqui propositū. Verbi gratia, Si ex H, centro obliqui circuli ducenta sit recta cadens in grad. 30. a puncto C, versus G, numeratum, ducemus radium AH, secantem ik, in c, puncto, in quo centrum H, apparet, & rectæ Ec, æqualem absindendus Ek, ut punctum translatum habeamus L. Deinde ex I, puncto translato ad S, punctum terminans grad. 30, rectam emittemus secantem AC, in c. Recta enim ex H, per e, eiecta cadet in V, grad. 30. quæ siquidem recta IS, projiciatur in rectam He; quandoquidem eius punctum c, cui respondebit punctum I, apparet in H, & recta Le, per punctum e, transire conspicitur. Quemadmodum autem recta IS, producta secat Aequato-

Bina puncta ob
liqui circuli ad
distribuent apud
simus que sunt.

Ex quolibet pun
cto meridiani li
neæ circuli obli
qui rectas educe
re secantes circu
lum maximum
in gradus.

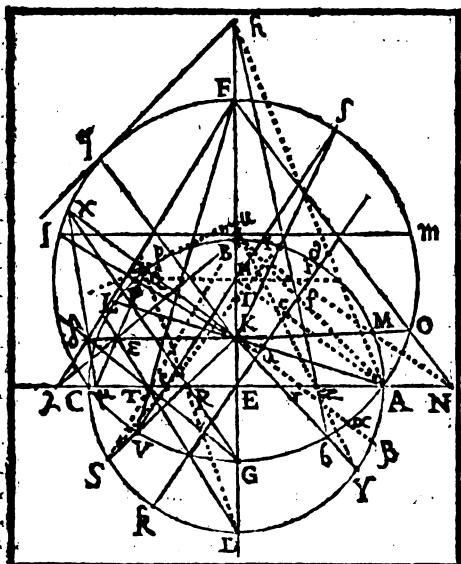
rem altera ex parte in t, ita recta H e, producta exhibet in circulo obliquo alium punctum s, punto t, respondens, ita ut arcus Br, F s, aequales sint: propterea quod recta tS, in circulo obliquo vero existens (posito circulo ABCD, in proprio situ, hoc est, circumvoluto circa AC, donec diameter BD, diametro ik, in proprio Meridiano posite congruat, atque idcirco & punctum I, puncto c.) proficitur, ut dictum est, in rectam fV; quandoquidem transire conspicitur per puncta H, e; punctum quidem e, vel I, per H, & e, per ipsummet punctum e, quod est in communi sectione plani Aequatoris, & circuli obliqui.

RVRVS si ex punto h, in linea meridiana dato extra datu circulū maximū obliquum ducenda sit recta, que absindat ex quadrante AG, arcum arcui AY, aequalē, ducemus radium Ah, secantem ki, protractam in g, & punctum g, transferemus ex E, in u, ut punctum u, translatum habeamus. Deinde ex u, ad Y, rectam iungemus secantem AC, in Z. Recta namque hZ, offeret punctum b, puncto Y, respondens. Punctum autem intersectionis rectae hZ cum circulo obliquo prope F, respondebit puncto intersectionis rectae uY, cum circulo ABCD, prope B.

QVOD si quando accidat, rectam ex aliquo punto translato extra circulum ABCD, ut ex u, quod ipsi g, respondet, per datum punctū, nimirū per p, ducā circulū ABCD, tangere.

In dato punto p, ducendā erit ex h, punto viso, recta hq, tangens obliquum circulum. Punctum enim contactus q, respondebit dato punto contactus p. Nam sicut up, tangit circulum obliquum in sphera, ita conspicietur tangere in Astrolabio eundem circulum visum. Cum ergo punctum g, cui responderet u, appareat in h, prolijetur tangens u p, in tangentem hq. Si C etiam si quando contingat, rectā ex aliquo punto trāslato intra circulum ABCD, ut ex H, quod puncto f, respondet, ductam per datum punctum, nimirū per P, efficere cū recta FD, angulum rectum, ducendā erit per punctum n, in quo apparet punctum f, perpendicularis m in l. Punctum enim l, respondebit dato punto P, & punctum m, alteri punto, in quo recta PH, producta circulum ABCD, secat. Id quod supra Num. 30. demonstrauimus: propriea quod recta HP, responderet recte, que per f, in circulo obliquo duceretur in sphera perpendicularis ad diametrum i k, auferretque arcus aequales arcui BP, &c.

POS TREMO sex K, polo vno circuli obliqui diuisio facienda sit, hoc est, absin-



cularis m in l. Punctum enim l, respondebit dato punto P, & punctum m, alteri punto, in quo recta PH, producta circulum ABCD, secat. Id quod supra Num. 30. demonstrauimus: propriea quod recta HP, responderet recte, que per f, in circulo obliquo duceretur in sphera perpendicularis ad diametrum i k, auferretque arcus aequales arcui BP, &c.

est; abscindendus, v.g. ex obliquo circulo arcus arcui BQ₂, equalis, transferemus, punctum a, in rectam FD, usque ad K, quod recta E 2, EK, aequalis sint, vt supra Num. 14. demonstrauimus; (quod tamen cherius demonstratum reperies circa, hinc Num. 14 r. propos. 6.) ita ut punctum translatum a viso non differat: Deinde, ex K puncto translato, quod puncto a, respondeat, per Q, rectam traiciemus secantem AC, in r. Nam recta ex K, puncto viso, in quo videlicet apparet punctum a, per punctum sectionis r, ducta, quae a priori non differt, propter eadem puncta K, r, indicabit punctum X, puncto Q, respondens, & producta dabit alterum n punctum illi puncto respondens: id quod supra Num. 17. ex lemmate 23. lib. 1. ostendimus.

¶ A D maiorem guidoniam, huius modi, inuenimus eadem puncta O, V, b, f, q, I, X, e, punctis M, S, Y, r, p, P, Q, g, respondentia per rectas ex viso polo K, emis. sas, vt Num. 17. traditum est.

NON erit autem difficile, viq[ue] si ex dato puncto in circulo obliquo invenire punctum respondens in Aequatore, vel circulo obliquo in sphera, cuius vices Aequator gerit. Sit enim datum punctum O. Ex puncto F, quod respondeat puncto B, por O, rectam emissemus secantem AC, in N. Recta namque BN, secabit Aequatorem in puncto M, quod dato punto O, respondet, vt ex dictis liquet. Idem efficeremus ex quocunque alio punto in meridiana linea dato, vt ex H. Quo enim radio AH, secante diametrum i k, in c, transferatur punctum c, in rectam FD, usque ad l: si quepi opositum inuestigare punctum Aequatoris respondens puncto V. Ducta recta HV, secante AC, in e, cadet recta I e, ex translatu puncto I, egredientesque istum punctum S, & sic de ceteris.

¶ I AM si ex centro circuli, qui instar proprii Verticalis est dato circuli obliqui, quale est punctum L, in superiori figura Num. 24. diuisio instituenda sit, quod nam illud non habet punctum verum respondens in diametro YZ, quod transferri possit in rectam FD, quod recta AL, cadens in dictum centrum L, parallela sit diametro YZ, ac proinde tota extra planum dati circuli obliqui, vt ex Num. 4. patet, ducenda erit per datum in Aequatore punctum ipsi FD, parallela, & per punctum sectionis in AC, ex eo cenero recta ducenda, &c. vt Num. 24. traditum est.

¶ IAM vero per ea, quae hoc loco declarata sunt, reperiemus cuiuscunque puncti in dato circulo quovis maximo, vel in eius plano producto, extra ipsum circulum assignatum, sicut in Astrolabio, hoc est, lacum, ubi in eodem plano cibulis visi appareat ex polo australi inspectum. Sit enim datum punctum s, quod si fuerit in Aequatore, eius situs erit in s, cu in e, appareat: Si vero inrelligatur esse in quovis circulo maximo, vt in eo, que refert circulus AFCG, ita ut in eotalem sit ac positionem habeat, qualis in Aequatore Astrolabii, inueniemus eius locum visum hoc modo. Ducta ex quovis punto recta FD, nimurum ex B, recta Bz, secante AC, in y, ducatur ex punto F, quod ipsi B, responderet, recta Fy; apparebitque punctum s, in recta Fy, cum rotta By, in rectam Fy, proiiciatur, vt ex dictis liquet. Ducta rursus ex quolibet alio puncto D, recta Dz, secante AC, in T, ducatur ex punto G, quod ipsi D, responderet, recta GT; apparebitque rursus idem punctum s, in recta GT, cum tota DT, in rectam GT, proiiciatur, vt ex iis, quae dicta sunt, perspicuum est. Erit ergo punctum s, ubi coeunt recte Fy, GT, situs punctis s. Quod si altera rectarum ex B, & D, per assignatum punctum s, ductarum nimis procul, & oblique fecerit rectam AC, accipi potest pro eo pun-

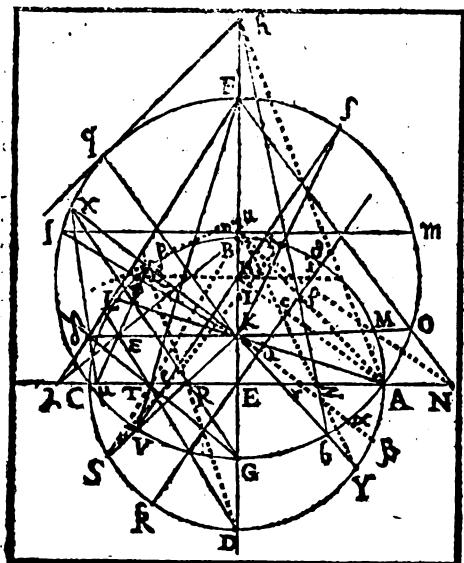
Dato punto in circulo maximo obliquo, per eam respondens in Aequatore reperiere.

Dato quovis punto in plane alterius circuli maximi in sphera, recta extra circulum, inservientem sicut sit in Aequatore Astrolabio.

et a quo recta per δ , duxta extra circulum ABCD, cadit, (cuiusmodi est punctum B,) quodcumque aliud punctum Q. Duxta enim recta Q ϵ , secante AC, in μ , si inueniatur punctum X, in circulo obliquo respondens assumpto puncto Q, & ducatur X μ , secabitur GT, in eodem punto δ , quæsito. Immo inuenta una duntaxat linearum FY, GT, X μ , in qua punctum datum ϵ , apparet, si ex K, polo viso circuiti obliqui per ϵ , recta ducatur, secabit ea illam rectam in eodem punto δ , quæsito. Nam cum polo viso K, respondeat in diametro i k, punctum α , sive quæcales E α , EK, non differet punctum translatum a viso. Quare in eadem recta K ϵ , existet idem punctum δ , apparen[s]t, quemadmodum in KQ, producta existit punctum visum X, puncto Q, respondens, quod linea KQ, a linea r K, non differat, ut supra dictum est. Si punctum datum sit in recta FD, hoc est, in diametro circuiti obliqui, cui recta FD, (circumducta circa AC, plano Astrolabii) congruit, vt v.g. punctum I, abscindemus rectas EI, æqualem Ec; ex diametro i k, vt habeamus punctum verum c. Nam radius Ac, indicabit punctum c, visum in H.

Quæ puncta verae plano dati circuiti obliqui in sphæra, non habent respondentia puncti visi in Astrolabio.

E X C I P I E N D A autem sunt puncta in communi sectione cuiusvis circuiti obliqui in sphæra, & plani, quod per polum australis Aequatori dicitur parallellum, existentia. Hec enim nulla habent puncta visa respondentia in Astrolabio; cum tota illa communis sectio in Astrolabio evanescat, & nullum eius punctum in Astrolabio apparet: quippe cum omnes radii visuales in illo plano parallelo existentes, plano Aequatoris, Astrolabiiæ æquidistant. Qua de re plura scribemus propos. 6. Num. 37.



Potes quousque puncto in Astrolabio, inuenire possunt sciam in planis cuiusvis circuiti obliqui.

qui per datum punctum δ , rectis secantibus AC, in γ , T, ducantur ex γ , T, ad puncta B, D, punctis F, G, respondentia rectæ intersecantes se in ϵ , puncto, quod erit quæsumus; cum rectæ BY, DT, proliuantur in rectas FY, GT, &c. Eodem modo si per δ , ducatur alia recta δ X, secans AC, in μ , & puncto X, respondens punctum Q, reperiatur, transibit ducta recta μ Q, per idem punctum ϵ .

Quæ puncta visa in Astrolabio non habent vera respondentia in planis dati circuiti obliqui in sphæra.

S O L V M punctis, quæ in recta ad FD, perpendiculari ducta per centrum circuiti, qui instar est proprii Verticalis dati circuiti obliqui, cuiusmodi est punctum L, in superiori figura Num. 24, assignari non possunt vera puncta respondentia.

denta in plano circuli obliqui. Cum enim ea recta referat planum, quod per polum australem ducitur, circulo obliquo in sphera parallelium, ut prop. 6. Num. 3. ostendemus, existent vera puncta, quæ punctis in dicta recta existentibus respondent, in illo plano parallelo, non autem in illo circulo obliquo. Quod si quis eo modo, quem explicauimus, tentet inuenire in Horizonte verum punctum respondens puncto viso L, in figura Num. 24. ducendo videlicet rectas ex L, per duo apparentia puncta rectæ AC, cum illis duabus rectis, & per puncta circuli ABCD, apparentibus illis punctis Horizontis circumferentia, reperiet duas rectas, quæ per sectionum puncta rectæ AC, cum illis duabus rectis, & per puncta circuli ABCD, apparentibus illis punctis Horizontis respondentia ducuntur, parallelas esse rectæ FD, non autem se se intersecare. Si autem cuius alij puncto prædictæ rectæ perpendicularis ad FD, per L, ductæ respondens verum punctum in eodem Horizonte vero inuenire velit, reperiet duas rectas etiam inter se parallelas per intersectionum puncta in recta AC, ductas, quamvis ipsi FD, non æquidistant, &c.

Ex hoc colligitur, ex quo cunque punto in Astrolabio extra meridianam lineam, & rectâ AC, dato, maximum circulum posse diuidi. Nam si ex punto J, inuenientur ut uero punctu respondens dato punto Q, inuestigandu prius erit, ut proxime ostendetur, punctu veru s, punto J, respondens. Deinde per s, punctu veru inuenientur ad Q, ducenda recta secans AC, in μ. Recta n. ex J, per μ, ducta cadet in X, punctum punto dato Q, respondens, quod tota recta Qμ, in rectam Xμ, proiecatur, ut ex dictis constat: quandoquidem s, punctum veru est in circulo ABCD, quem obliquus AFCG, representat, quod quidem apparet in J, &c. Hic etiam excipienda sunt puncta in recta ad FD, ducta perpendiculari per centrum proprii Verticalis dati circuli obliqui. Cum enim, ut dictum est, illa puncta non habeant vera puncta respondentia in circulo illo obliquo in sphera, non poterit ex illis punctis visus circulus in gradus distribui eo modo, quem explicauimus.

QVO autem pacto diuisio fieri posset, & quidem per lineas parallelas ex punto illo, quod in sphera respondet puncto, in quo diametrum k i, circuli obliqui productam secat recta ad AC, perpendicularis in A, polo australi, trademus, proposito. Num. 37. Vbi etiam alium modum reperies, quo circulus obliquus visus per rectas per centrum E, Astrolabii emissas in gradus distribuatur, ita ut quilibet recta offerat duo puncta per diametrum opposita. Postremo ibidem Num. 38. eosdem circulos tam maximos, quam non maximos in gradus partiemur eodem modis, ex qualibet punto dato in communis sectione plani Astrolabii, & circuli propositi in sphera. Hos enim tres modos eum in locum distulimus, ne figura hic proposita nimis tanta linearum multitudine confunderetur.

Ex quolibet punto extra meridianam lineam dato in Astrolabio, datum circulum maximum in gradus distribuere.

Alio' tres via distribuendi circulos obliquos in gradus tam per lineas meridianas lineas parallellas, tam ex centro Astrolabii, tam deinceps: ex quolibet punto in communione sectione circuli dati, & plani Aequatoria, vel Astrolabii, ex quo linea meridiana dato.

S C H O L I V M .

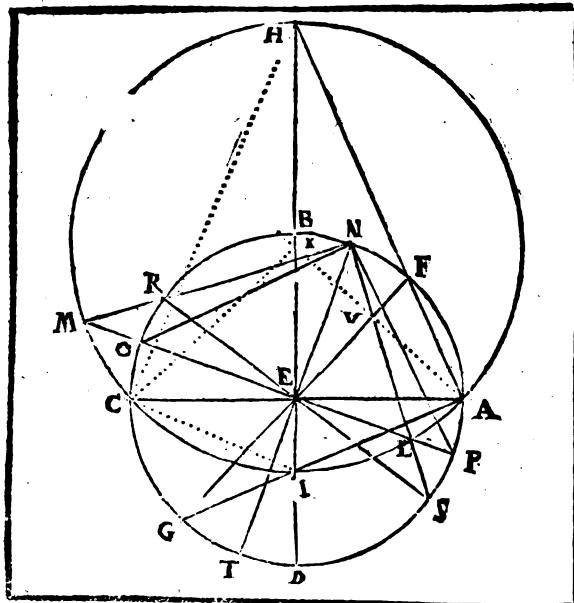
1. I AM vero quilibet circulus maximus obliquus, qui ad Meridianum rectus sit, ac proinde centrū in linea meridiana Astrolabij habeat, necessario in Astrolabio, si errat non sit, per puncta A, & C, ubi Aequator ab Horizonte recto AC, secatur, transibit. Quoniam enim puncta A, C, sunt illa, in quibus Horizon, Verticalis primarias, Ecliptica, (postitis principijs SG, & J, in Meridiano,) & quicunque aliis circulis maximis polos habens in Meridiano, ac proinde ad eum rectus existens, Aequatorē intersectat; propterea quod recta AC, refert Horizonte rectū, vel Colorum aequinoctiorū, congruēte solstitiorū Colorū ē Meridiano, ut prop. 4. Num. 1. demonstravimus: sic ut in plano Astrolabij circulus huiusmodi maximus obliquus conspiciatur necessario transire per duo illa puncta A, C, quandoquidem per ea representantur illa puncta sphera, per qua idem ille circulus ducitur,

In ducatur, adde ut recta AC, illam diametrum obliqui circulo exhibent in Astrolabio, que in sphera communis secutio est ipsius cum Aequatore. Necesse enim est, ut in Astro labio circuli per eandem lineam, & per eadem illa puncta, conspiciantur incedere, per quae in sphera ducuntur. Quod ramen Geometrico etiam ex ipsa proiecione eiusmodi circulorum maximorum & liberiorum in planum Astrolabij facile demonstrabimus, hoc modo. Sit Aequator ABCD, cuius centrum E; linea meridiana, hoc est, communis sectio Meridiani, & planum Aequoris. Astrolabijus BD: quartus ad rectos angulos fecit AC; diameter circuli obliqui ad Aequatorem, & ad Meridianum recti FG, ita ut arcus AF, sit altitudo poli supra illum circulum obliquum. Sumitur enim, ut dictum est supra in bac propos. Num. 2. & in propos. 4. Num. 5. circulus ABCD, pro Meridiano Analematis. Ex radiis visualibus AG, AF, innome a sit diameter visa HI, qua dimissa bifurcari in K, per rectam AK, ad FG, in V, perpendiculararem, ut demonstratum est, de-

a 31. primi. scribas ex K, per HI, circulus. Dico cum transferre per A, & C. Quoniam enim angulus FAG, in semicirculo rectus est, erit triangulum HAI, rectangulum. Cum ergo latens HI, recto angulo oppositum bisariam secutum sit in K, transibit necessario, ex scholio prop. 31. lib. 3. Eucl. circulus ex K, per H, I, descriptus, per angulum rectum A Eadda de causa per quadrato C, transibit. Nam ductis rectis CH, CI, angulus HCI, est etiam rectus, quod sic probatur. Quoniam duobus lateris EH, EA, duabus lateribus EH, EC,

b 4. primi.

c 8. primi.



aqualia sunt, angulosque continentia aequalia, nimirum rectos; & erunt bases AH, CH, aequalia. Non aliter ostendes, aequalia esse bases IA, IC, in triangulis AEL, CEL. Quia igitur duo latera AH, AI, duabus lateribus CH, CI, aqualia sunt, & basi HI, communis; & aequalia erunt anguli HAI, HCI, idemque cum HAI, rectius est, & HCI, rectius erit; ac proinde circulus circa HI;

descriptus per C, transibit, ex eodem scholio propos. 31. lib. 3. Euclid.

QVOD ramen facilius ita potest ostendti. Ducta recta CK, cum duobus lateris EK, EA, duabus lateribus EC, EC, aqualia sunt, angulosque complectantur aequalia, nimirum rectos; & erunt quoque bases KA, KC, aequalia. Igitur circulus HMI, ex centro K,

tro K, per A, descriptus, per punctum C, transibit. quod est propositum.

2. H I N C etiam liques, circulum quemlibet maximum in Astrolabio descri-
ptum maiorem esse *Aequatore*. Ductis enim ex centro K, obliqui circuli maximi,
(quod diuersum esse ab E, centro Astrolabij, supra Num. i. huius propos. demonstran-
tus) duabus semidiametris. KA, KC, erunt ea toti diametro HI, equales simul sum-
pta. Cum ergo maiores sint, quam AC; erit quoque diameter HI, maior diametro
AC, ideoque & circulus obliquus AHCI, maior erit *Aequatore* ABCD: ad eam
ratio est de ceteris.

Circulum maxi-
mum obliquum
quemlibet in A-
strolabio esse ma-
iorum *Aequato-*
re.

a 20. primis.

3. E A D E M prorsus ratione, descripto quoniam alio circulo maximo obliquo in
Astrolabio, qui ad Meridianum rectius non sit, si per eius centrum, & centrum Astrola-
bij recta ducatur, communis videlicet sectio plani Astrolabij *Aequatoris*, & circuli
maximi per polos mundi, & polos circuli obliqui ducti, ac proinde ad eandem recti-
am, quam nominam, maximam circuli obliqui diametrum visam prosci demonstramus
in scholio propos. 3. Num. i. & 3.) quam ad rectos angulos diameter *Aequatoris* secet,
demonstrabimus, circulum illum obliquum transire per extrema puncta huius diamet-
ri, qua quidem communem sectionem circuli obliqui, & *Aequatoris* in sphera repre-
sentat, ut mox ostendemus. Vi si circulus AHCI, in Astrolabio ponatur maximus qui
cunque obliquus ad *Aequatorem*, & Meridianum, & per eius centrum K, & centrum
Astrolabij E, recta ducatur HI, que communis sectio est plani Astrolabij, vel *Aequato-*
ris, & circuli maximi per polos mundi, & polos circulis obliqui transiuntur, cum in ea se-
ctione constitutum circuli obliqui in Astrolabio existat, ut in scholio propos. 3. Num. i. ad-
monstratum est, quippe cum in ea existat maxima eius diameter apparen, & ad HI,
ducatur diameter *Aequatoris* AC, perpendicularis, demonstrabimus, cum necessario
transire per puncta A, C, quemadmodum ostendimus, eundem, quando ad Meridianum
rectius est, cuiusmodi est *Horizon*, *Verticalis primarius*, *Ecliptica*, (posito principio 15.,
in Meridiano) & alijs, per puncta A, C, transire, id quod etiam de *Verticalibus* demon-
strabimus propos. 8. Num. 16. Ex quo sit, quemlibet circulum maximum in Astro-
labio dividere *Aequatorem* bisariam, cum transeat per duo eius puncta per dia-
metrum opposita. Recta quoque AC, referet communem sectionem *Aequatoris*, & illius cir-
culi obliqui in sphera: quod non secus ostendemus, ac monstratum est, eandem AC, com-
munem sectionem referre *Aequatoris*, & *Horizontis*, vel *Verticalis primarij*, vel *Ecli-*
pica, si circulus AHCI, ex his circulis unus statuatur. Quoniam enim & *Aequator*,
& circulus obliquus ad maximum circulum per mundi polos, & polos obliqui circuli du-
ciunt, rectius est; & etsi ad eundem communis eorum sectio rectas erit in centro *Aequatoris*, ex de-
fin. 3. lib. i. s. Eucl. Ergo AC, ad HI, perpendicularis, communis illa sectio erit.

Circuli maxi-
mum obliquum & adeo
ridianum non es-
tis, per quae pu-
cta *Aequatoris*
in Astrolabio da-
cantur.

Quemlibet circu-
lum maximum in
Astrolabio dia-
dere *Aequator*
bisariam, hoc est,
trahe per eius
duo puncta per
diametrum op-
ponit.

Comuni sectio
Aequatoris, & cu-
mulus circuli ma-
ximi obliqui in
sphera, per quae
rectam repre-
sentatur in Astro-
labio.

c 15. i. The.

d 19. vnecc.

4. I T A Q V E quemadmodum in sphera quilibet circulus maximus *Aequato-*
rem dividit bisariam, ita quoque in Astrolabio *Aequator* a quilibet circulo maximo
obliquo, sine is ad Meridianum rectius sit, sine non, bisariam secatur, cum ab eo se-
cetur in extremis punctis diametri AC, que ad HI, communem sectionem plani Astro-
labij, & maximi circuli per mundi polos, & polos circuli obliqui transiuntur, ita ut pri-
orius quidam Meridiani perpendicularis est, ut demonstravimus. Et quoniam *Aequato-*
rem vicissim in sphera quemvis circulum maximum bisariam dividit, (quod circuli
maximi omnes in sphera se mutuo secant bisariam) sit ut in Astrolabio quoque certa-
tur dividere quemlibet circulum maximum obliquum bisariam, adeo ut arcus AHG,
vnus semicirculum, & arcus AIC, alterum representet, licet hi arcus valde inter se
insquales sint. Hoc enim necessario in Astrolabio ita contingere, ratio eiusdem de-
monstrat.

Aequator, & que
libet circulus ma-
ximus obliquus
in Astrolabio se
mutuo secant bi-
sariam, licet rep-
resentata circuli obli-
qui inter se val-
ore habeat inqua-
litatem.

c 15. i. The.

5. Q V I A enīm cuiusvis circuli maximi obliqui unus semicirculorum, quo-
communis.

Semicirculi en-
tra nō obliqui
circuli maximi
ad Aequatore in-
tra cur bat inaz-
quales in Astro-
labio.

8. 8. 3. The.

communis eius secio cum Aequatore facit, ab Aequatore versus polum australem, &
alter versus borealem declinat, apparetur is, qui propius ab oculo, vel polo australi absit,
maior, quam ille, qui longius absit, ut ex Perspectivis liquet. Item quia omnis circu-
lus maximus obliquus tangit duos parallelos oppositos, & aequales, borealem unum, &
alterum australem; australis autem projectatur in circulum Aequatore maiorem, & bo-
realis in minorem, ex propos. 2. projectetur necessario semicirculus borealis circuli obli-
quis intra Aequatorem, qualis est AIC, australis vero extra Aequatorem, qualis est
AHC; ac proinde hic illa maior erit, cum longius excurrat semicirculus AHC, re-
& AC, quam semicirculus AIC.

Aequator in A-
strolabio cur a
quoniam circulo
maximo, obli-
quo secetur in
duos semicircu-
los aequalis in
duobus punctis
per diametrum
appositus.

6. AT verò quoniam uterque semicirculus Aequatoris, quomodounque secetur
per diametrum, equaliter absit ab oculo, vel polo australi, aequales ambo apparetur;
quod etiam ex propos. 2. liquido constat, ubi demonstratum est, Aequatorem, ac paral-
gelos ipsius ita in Astrolabium projecti, ut arcus eorum aequalis in arcus aequalis projecta-
tur. Hinc enim
fit, ut semicir-
culi aequalis pre-
cipiantur in se-
micirculos a-
equalis: ac pro-
peera quilibet
circulus obli-
quis maximus,
cum Aequato-
rem bifarium
in sphera diuidat,
necessario
in Astrolabio
per duo puncta
per diametrum
opposita trans-
bit, ut duos ex
eo semicirculos
aequalis aufer-
ras, quos ex eodem
in sphera
absindas.

7. PAR I.
ratione equilibri
circulus sine ma-
ximus, sine non
maximus, diuidens aliquem ex parallelo Aequatoris in sphera bifarium, necessario
per duo puncta per diametrum opposita in parallelo illo descripto in Astrolabio trans-
bit, ut illum bifarium quoque secet.

8. NVLLVS autem circulus non maximus in Astrolabio per duo puncta per
diametrum opposita in Aequatore describetur, cum cum in sphera bifarium diuidere
nequeat. Efect enim maximus, quippe qui per diametrum Aequatoris, ideoque & per
centrum spherae, sive Aequatorum transferet, quod cum hypothesi pugnat.

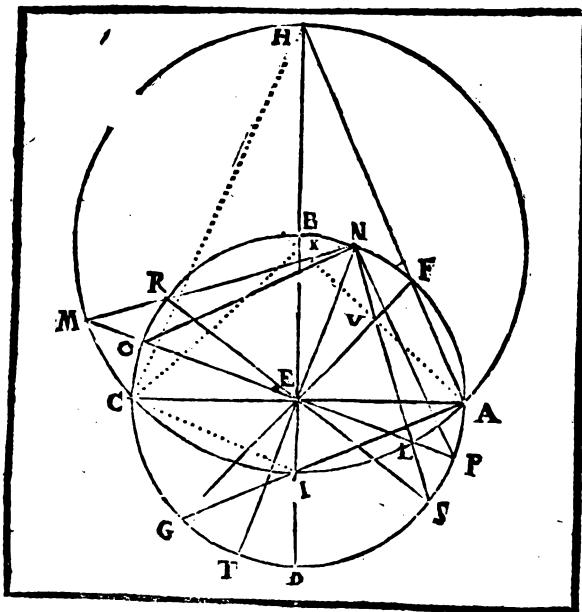
Quilibet circu-
lus sine maxi-
mus, sine non
maximus, diui-
dens in sphera
aliquem Aequato-
ris bifarium, trans-
ferit in Astrolabio per
duo puncta per
diametrum op-
posita in eo pa-
rallelo.

Circulus nō ma-
ximus nō poscit
Aequator in A-
strolabio secare
bifarium.

Circulus in Astro-
labio secans A-
equatos bifarii

maximus, diuidens aliquem ex parallelo Aequatoris in sphera bifarium, necessario
per duo puncta per diametrum opposita in parallelo illo descripto in Astrolabio trans-
bit, ut illum bifarium quoque secet.

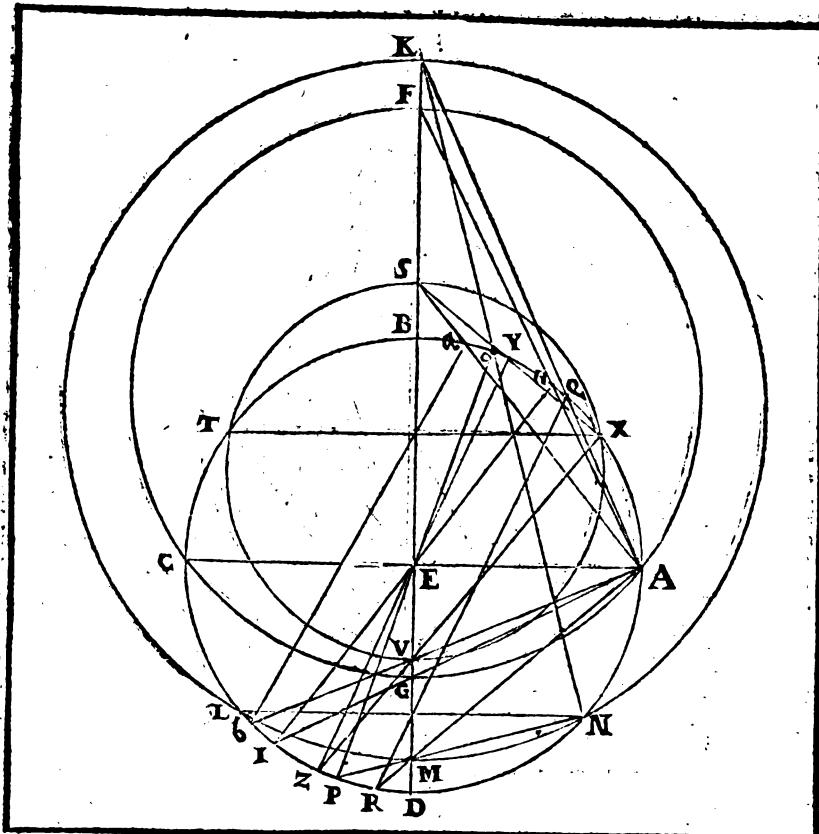
9. EX his manifestum erit, circulus in Astrolabio, qui Aequatorem
duobus in punctis per diametrum oppositis secat, representare circulum maximum in
sphera:



Ipsius: quandoquidem non maximus Aequatorem bisectam perire non posset: ut proxime dictum est; qui vero Aequatorem in duobus partibus non per diametrum oppositis secat, referre circulum non maximum. Nam si maximum reserret, dividetur Aequator rem bisariam, ut monstratum est, quod non ponitur.

HOC ipsum Geometricè quoq; bivariatione demonstrabitur. Sit Aequator ABCD, cuius centrum E, eumq; bisariam facit circulus FCGA, in partibus AC, CD per diametrum oppositis. Dico dū representare circulum maximum in spherae Diametro AC.

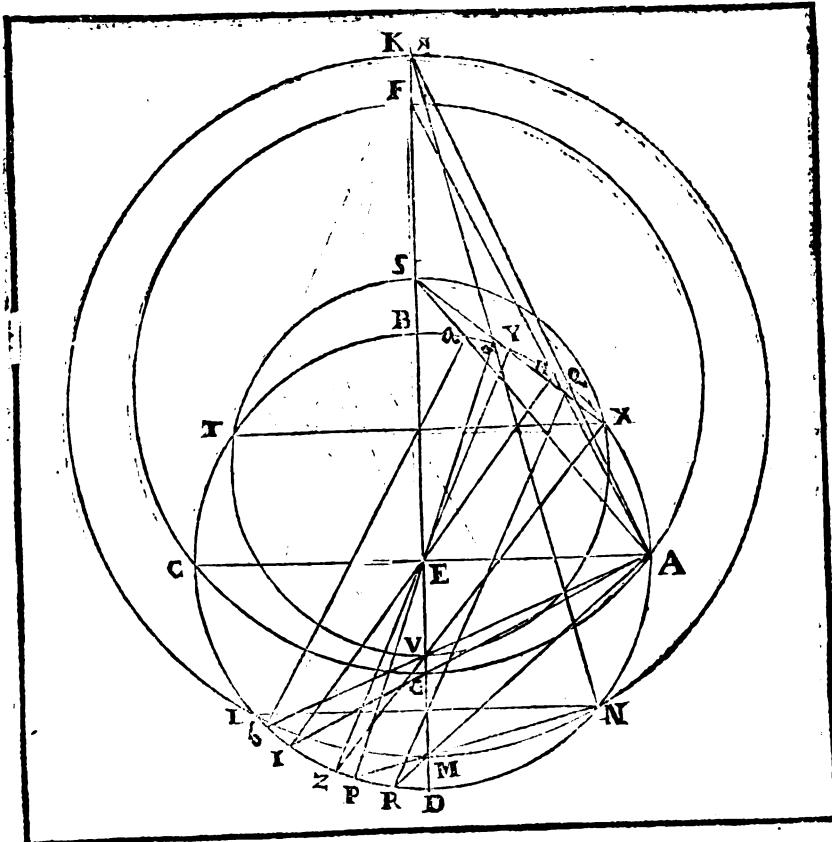
representat in
sphera circulum
maximum: qui
vero non bisariam
dividit, refert ad
maximum.



*ducant per E, centrum Aequatoris, & centrum circuli FCGA, recta FD, qua ad AC, quam bisariam in centro E, dividit, & perpendicularis erit, referreque maximum a 3. septiij.
circulum per polos mundi, & polos circuli FCGA, ductum, ut in scholio prop. 3.
Num. 4. demonstratum est; ideoque recta AE, perpendicularis, axis mundi erit, & A.
C, poli mundi, (si circulus ABCD, intelligatur esse rectus ad Aequatorem, sive planum
Astrolabij.) cum quadrantes absint ab Aequatore per BD, ducto. Egressan: ut iā radij
Vu AF, AG,*

AF, AG, per extrema maxima diametri vise secantes Aequatorem in H, I, iungunturque HI, qua diameter erit eius circuli, quem representat FCGA, quandoquidem eius extrema apparent in F, G, extremis diametri maxima vise FG. Et quoniam angulus FAG, hoc est, HAI, rectus est, ex scholio propos. 3. lib. 3. Eucl. HAI, semicirculus, ex propriae HI, per centrum E, transfit, diameterque erit maximi circuli, quem quidem FCGA, representat.

D E I N D E circulus KLMN, secat Aequatorem in L, N, non bissecariam insuper.



b 31. tertij. puncta A, C, ita ut ducta recta LN, per centrum E, non transeat. Dico eum reservare circulum non maximum. Ducta enim rursus KM, per centrum eius, & centrum E, Astrolabij, pro communi sectione Astrolabij, & circuli maximi per polos mundi. & polos circuli KLMN, ducatur ad eas perpendicularis AC, pro axe mundi, ut prius. Emittantur deinde ex N, per extrema diametri vise KM, rectae NK, NM, secantes Aequatorem in O, P, iungaturque OP. Et quia angulus KNM, hoc est, ONP, rectus est; erit, ex scholio propos. 31. lib. 3. Eucl. ONP, semicirculus, eisque diameter OP.

Quare

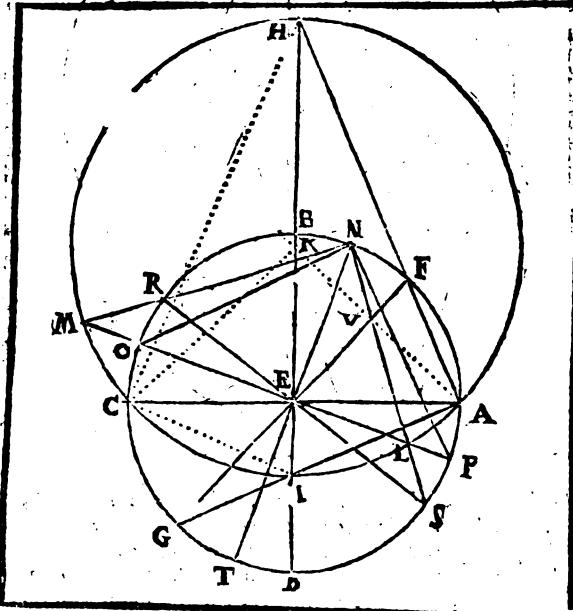
Quare cum radi ex polo A , emisisti ad eadem extrema K , M , diametri visa KM , secantaeque rem circa puncta O , P , in Q , R ; (nam AK , est circa KN , & AM , secant NM , in M .) erit QAR , segmentum semicirculo minus ac proinde iuncta recta QR , quia diameter est circuli, quem $KLMN$, representat, per ceterum non transibit, diameterq; idcirco erit circuli non maximi.

POSTREMO circulus $STVX$. Aequatorem fecit in T, X , non bisimiam supra pun
ta A, C , ita ut ducta recta TV , per centrum E , non transeat. Dico cum resferre quoq;
circulum non maximum. Ducta enim rursus recta SV , per eius centrum, & E , centrum
Astrolabij, pro communi sectione *Astrolabij*, & circuli maximi per polos mundi, & po
los circuli $STVX$, ducti, & ad eam perpendiculari AC , pro axe mundi; educantur re
cta XS, XV , per extrema diametri visa SV , secantes Aequatorem in $YZ, siue Y$, si supra X , siue infra, (sieri enim potest, ut quando S , procul distet, recta XS , fecit Aequato
rem infra X). iungatur recta YZ . Et quia angulus SXV , hoc est. YXZ , rectus est,
erit ex scholio propos. 31. lib. 3. Eucl. YXZ , semicirculus, insque diameter YZ . Quare
cum radij ex A , polo emisi per eadem extrema S, V , diametri visa SV , secant Aequato
rem in a, b , ultra puncta Y, Z . (Nam $AS, cadit$ infra XS , & AV , secat XV , in V :) erit
& Ab , segmentum semicirculo maius: ac properea iuncta recta $a b$, qua diameter est cir
culi, quem $STVX$, representat, per centrum non transibit, diameter ergo idcirco erit cir
culi non maximi, quod erat demonstrandum.

231 Serig.

Astrolabij trajecta: adeo ut qualibet linea eiusmodi in Astrolabio sit in star alicutus diametri circuli obliqui incedens per duo puncta, quae duos referunt in sphera per diametrum opposita. Verbi gratia, in figura prima huius scholij recta LM, per E, centrum Astrolabi.

V u 2 bij eisē



Omnem lineam
rectam per cen-
trum Akrabij
ductam indicare
in circulo max-
imo oblique duo
puncta per diamet-
rum opposita.
jedtē ipsa recta
genit diametrica
außdem.

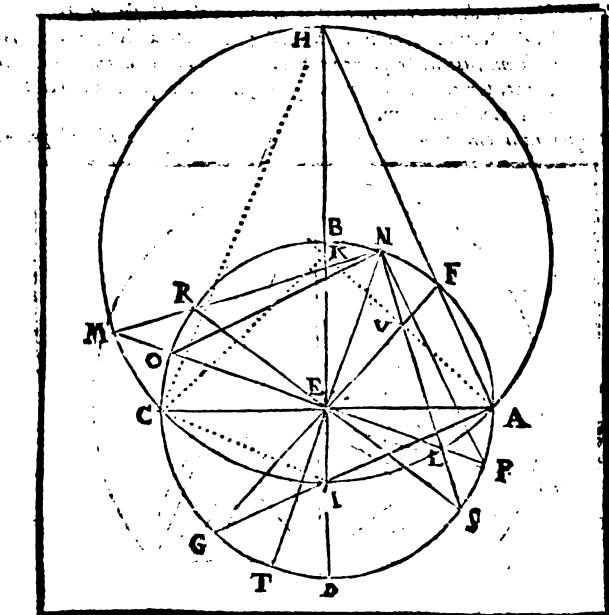
biij eisdem resert in sphera diametrum illam circuli obliqui, quem $AHC\bar{I}$, representat, qua tot gradibus a communè sectione circuli obliqui cum Aequatore in austro recedit, quod gradus exhibet arcu CM, in Astrolabio; (quo vero patet cognoscatur, quod gradus coniunctus in arcu CM, in hac propos. 5. Num. 12. traditum est) ita ut puncta L, M, exprimant duo puncta in sphera per diametrum opposita.

11. QVOD autem quatuor linea per centrum Astrolabi extensa, videlicet LM, representant, ut diximus, diametrum aliquam circuli maximi obliqui, licet eum in partis inaequales fecerit, videaturq; in circulo obliquo duos puncta L, M, per diametrum opposita, non secus: ac recta linea AG, quam obspedimus referre communem sectionem circuli obliqui, & Aequatoris in sphera, hac alia ratione cum Problemo Geometrice demonstrabimus. Repetita prima figura huius scholij, excutetur in E, ad LM, perpendiculariter EN, producaturq; usque ad T. Producta quoque ML, usque ad P, tangantur recta MN, ON, LN, PN, secuturq; Aequator ab MN, LN, in R, S. Quia igitur in circulo $AHC\bar{I}$, duare est AC, LM, scilicet intersectant in E, & erit rectangulus sub LE. EM, rectangulo sub AE, EC, aequalis, hoc est quadrato recta AE, ac proinde quadrato re gla EN, vel ET. 11. igitur utraque ex N, ET, media proportionalis est inter EM, EL; id est, circulus circu[m]diametrum LM, descrip[er]is p[er] H a N, T, transibit. Nam si ultra punctum N, verbi gratia, transiret, vel circa N, abscederet ex per-

• 35. tertij.

• 17. sexti.

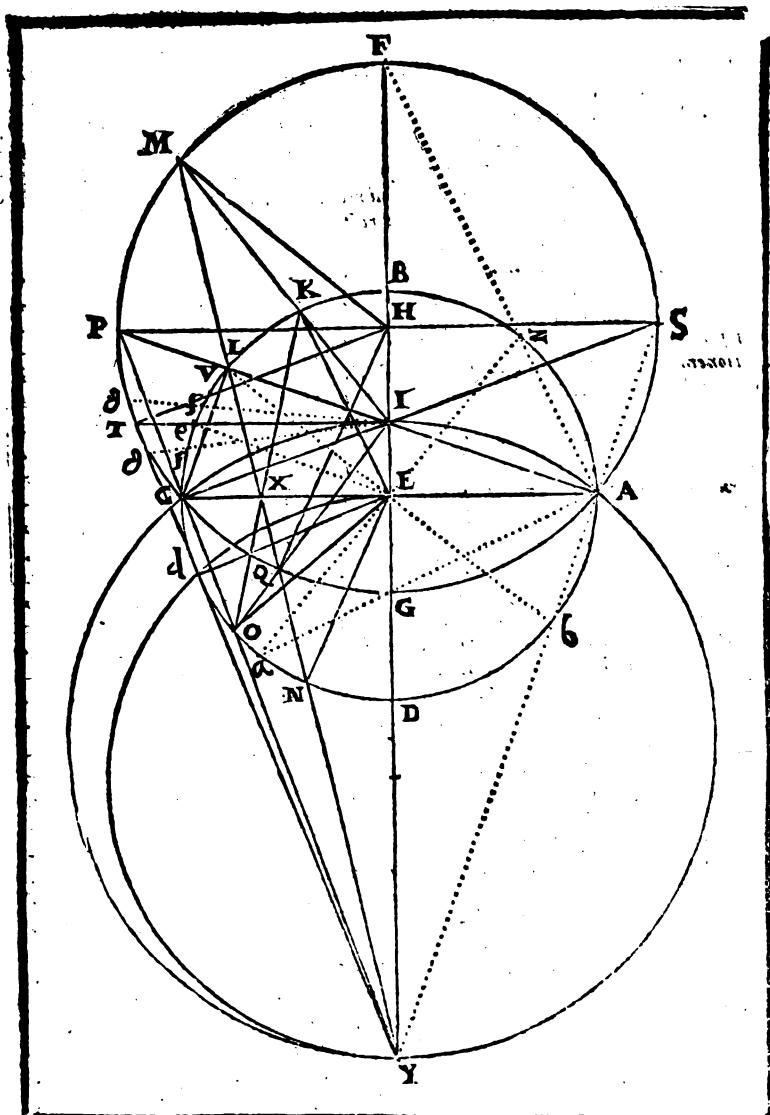
• 8. 2. Thes.



pendiculari EN, vel maiorem lineam, vel minorem lineam EN, qua ex scholio propos. 13. lib. 6. Euclid. media quoque proportionalis esset inter eadem segmenta LE, EM, ac propide aequales forent absissa illa linea, & EN, pars, & totum, quod est absurdum. Quod etiam ex lemmate 15. demonstrari potest. Transibit ergo circulus ille per N, ac proinde & per T, eandem ob causam; ideoque circulum aliquem maximum in sphera representabit, ut paulo ante Num. 6. & 9. ostendimus, quandoquidem Aequatorum bifurcato disidit in N, T. Et quoniā circulus maximus obliquus tangit duos parallelos oppositos, & aequales, erit circuli, qui ex E, centro, & intervallo semidiametrorum EL, EM, describerentur, circulumque illum, cuius diameter LM, ex scholio propos. 13. lib. 3. Eucl.

Eucl. sangerent in L, M, duo paralleli oppositi, & equales. ^a Quocirca, cum puncta con-^a tactuum per diametrum opponantur in sphera, represeantur L, & M, duo puncta in sphera per diametrum opposita, ac propterea recta LM, diametrum aliquam circuli maximi obliqui referet, quod est proposum. Ut autem intelligamus, quanam puncta sphera a punctis L, M, represeantur, & quam diametrum recta LM, referat, ita pro-
grediemur. Quoniam circulus circa diametrum LM, descriptus, transit per N, ut dem^b strauimus, ^b erit angulus MNL, in semicirculo rectus, aequalis idcirco angulo ONP, ^b 31. tertij.
qui in semicirculo QNP, rectus etiam est, aequalis; ^c ideoque arcus RTS, OTP, aqua-^c 31. tertij.
les erunt. Cum ergo OTP, sit semicirculus, quadrata LM, per E, centrum transire posse, ^d 26. tertij.
est, erit & RTS, semicirculus; ne proinde recta ducta RS, diameter erit circulus ABCD. Quamobrem si circulus ABCD, concipiatur esse maximus per polos mundi, &
diametrum RS, ductus, facient in plano Astrolabij, Aequatoris sectionem PLEOM.
(qui quidem ad circulum diametri FG in sphera, que in Astrolabio circulus AHC, refert, obliquus erit, cum per eius polos non transeat; quod maximus circulus per mundum polos, & per polos circuli obliqui diametri FG, ductus satiat in Astrolabio suis Aequato-
re, sectionem DEH, non autem PEM.) erunt N, T, poli mundi, & NT, axis, quandoquidem in circulo maximo ABCD, per mundi polos ductio puncta N, T, quadrante absine ab Aequatore per rectam OP, ductio. Positio ergo polo aeneo artico N, apparebant puncta extrema R, S, diametri RS, in plano Astrolabij in punctis M, L, per radios visuales NR, NS, ex polo australi N, inspechia. Igitur puncta M, L, referunt puncta R, S, in sphera per diametrum opposita, & quorum distancias a polis mundi sunt arcus NR, TS; recta au-
tem ML, diametrum RS, representabitis, que communis sectio est circuli obliqui, quem in sphera exprimit circulus AHC, & circuli maximi ABCD, per mundi polos ducti,
& qui ad circulum obliquum eundem obliquus est. Quod si in sphera per diametrum RS, concipiatur duci circulus maximus ad circulum ABCD, rectus in eo sit, quem cum diximus habere, erit ML, maxima diameter visa circuli illius per RS, ducti, ac proinde circulus circa ML, descriptus representabit circulum illum per RS, ductum, &
qui ad circulum ABCD, rectus est. Et ut res' tota fiat adhuc planior, ponamus circu-
lum AHC, esse Horizontem aliquem obliquum. Si igitur Colurus u.g. solstitionum cir-
cumducatur in sphera, donec eius segmentum inter polum australem, & Horizontem simile sit arcus NR, segmentum vero eiusdem inter polum borealem, & Horizontem simile arcus TS; referet circulus ABCD, Colurum solstitionum in eo situ, & RS, erit dia-
meter Horizontis, qua communis sectio est Coluri solstitionum in eo situ, aequalis Horizons, projiciturque in rectam ML, in communis sectione Astrolabij Aequatoris, & eius-
dem Coluri in eodem illo situ, quam diximus esse rectam PLEOM. Denique paralleli Aequatoris oppositi, & equales, quos circulus circa ML, descriptus rangit, ut diximus, sunt illi, quorum declinationes a Aequatore sunt arcus OR, PS: qua rei intellectu dif-
ficilis non est; si sphera materialis adhibetur; eademque ad alios circulos maximos obli-
quos non difficulter transferri potest.

12. **D**V 1. A vero propos. 3. Num. 3. pollicitus sum, me hoc loco demonstratum,
arcus aequales circulorum obliquorum proiec*t* in Astrolabio in arcus inaequa*les* ordine co-
sinuato, demonstrandum id erit hoc modo. Sit Aequator Astrolabij ABCD, cuius cen-
trum E; circulus obliquus maximus AFCG, cuius centrum H, & unus polorum I, &
alter Y. Sumptis autem in Aequatore arcubus equalibus BK, KL, ducantur ex I, Arcus aequales
circuli maximi
obliqui proiec*t*
in arcus inaequa-
les, ordinis conti-
nuo.
polo recta JK, IL, secantes obliquum circulum in M, P. Respondebunt arcus FM,
MP, arcubus circuli obliqui in sphera equalibus, quis arcubus BK, KL, aequales sunt,
cum (ut in hac propos. Num. 17. demonstratum est, in primo modo dividendi circulus
obliquos in gradus,) tot gradus complectantur, quorū in arcubus BK, KL, continentur.
Et quoniam per lemma 33. FM, maior est, quam MP; & MP, maior, quam arcus in
sequens,



sequens, qui arcui Aequatoris respondet, qui aequalis sit arcui KL , & ita deinceps, usque ad finem semicirculi $F C G$ periphericū est, arcus aequalis circulū maximū obliquū projecītus arcus inaequales ordine continuato, cum it, qui puncto E , propinquior est, sit semper remansit maior, si aequalibus arcubus Aequatoris respondantur, ut lemmae 33. demonstrat̄ est. Itaque si circulus obliquus $A F C G$, in 360. gradus distribuatur, ut supra docuimus, decrēcent ī gradus continue ab F , usque ad G , & veroq; semicirculo $F C G$, $F A G$; ita ut gradus sint maximi prope punctū F ; at iuxta punctum G , minimi. Ex quo sic partes circuli obliqui in Astrolabio non esse similes partibus respondentibus cīnīdū circuli in sphera.

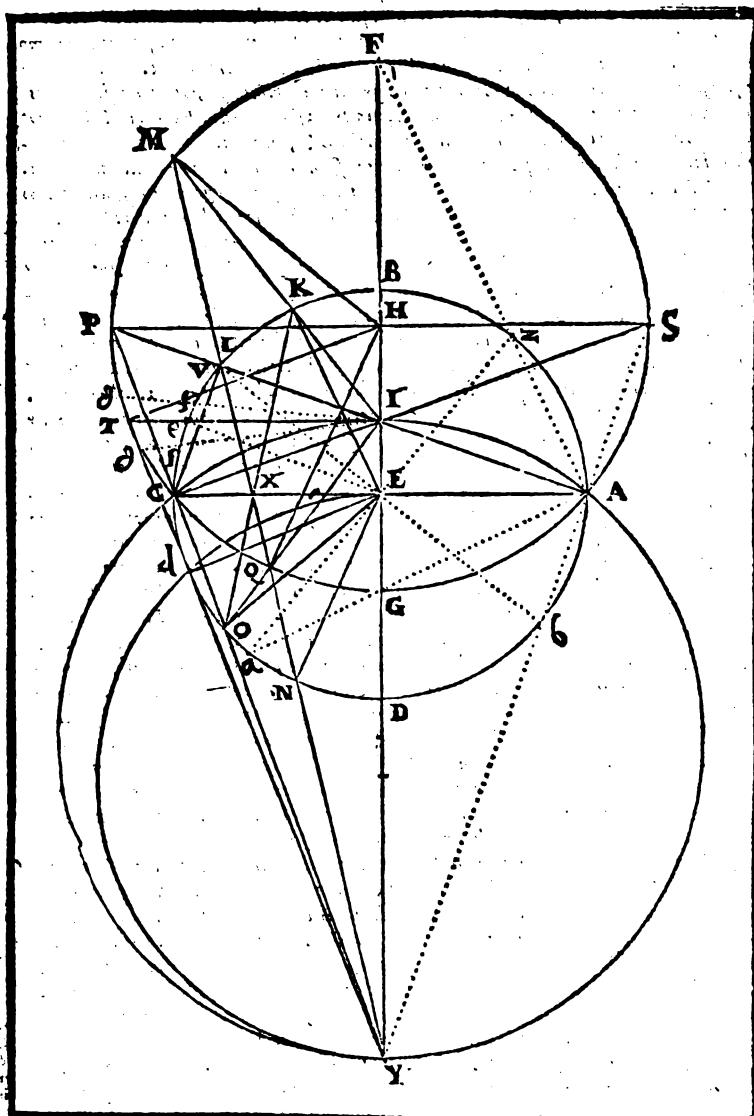
13. $F I E R I$ nibilominus potest, ut una aliqua pars quorū graduum, partiorum tamē, quam 180. similis sit una parti: quod alius fortassis iniquiter videari possit. Dicit̄ namque ex 1. polo ad FG , perpendiculari IT , si ad utramque eius partem constitutur duo anguli TIM , TIQ , aequales, erunt per lemma 34. arcus MQ , KO , similis. Et quoniam, ut in eodem lemmate demonstravimus, totus angulus MIQ , utriusque angelorum MHQ , KEO , aequalis est, si totus angulus MIQ , ex duobus aequalibus TIM , TIQ , constans, insistat arcui grad. 1. vol. 2. vol. 3. vol. 4. vol. 20. vol. 10. c. in circulo, qui ex 1. describeretur, insisteret quoque anguli MHQ , KEO , arcubus MQ , KQ , totidē gradus in propriis circulis quādā illis similis sint, ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. Ex quo efficitur, arcum quolibet gradum in circulo obliquō maximo quocunque in arcum similem, totidē videlicet gradum, projeci posse, illum numerum, qui arcui MQ , responderet. Nam ille arcus in sphera, aequalis erit arcui KO , quem similem ostendimus arcui MQ , quocunque tandem gradum fuerit assumptus. Quoniam enim ex lemmae 23. plana per polum australē, & rectas IK , IO , ducta auferant ex Horizonte sphera arcum arcui KO , aequalē est autem arcus KO , ostensus similis arcui Horizontis MQ , in Astrolabio: erit quoque arcus ille Horizontis in sphera, qui quidem projectetur in arcum MQ , per duo illa plana per rectas IK , IO , & polum australē ducēta, similis arcui eidem MQ . Atque eodem modo quacunque alia due recta ex 1. egrediētes, constituentesque angulum vel maiorem, vel minorem angulo MIQ , divisiū a recta IT , bifariam, abscedentes ex circulo obliquō, & Aequatore arcus similis: nunquam tamē dabuntur duo arcus, aut plures, in circulo obliquō, quorū unus sit totus extra alium, qui similis sint duobus arcubus, aut pluribus, in Aequatore, quorū unus sit etiam totus extra alium, sed solum plures pluribus similis esse possunt, singuli singulis, quando unus intra alium includitur: propereā quod recta auferentes arcus similis debent cum IT , angulos aequales ex utraque parte consinuerē, ut dictum est. Nunquā ergo duo, vel plures aequales arcus circuli obliqui in sphera in duos, aut plures arcus aequales in Astrolabium projecti possunt: qua omnia in lemmae 34. demonstrata sunt.

14. SED libert̄ hoc loco ad maiorem doctrinā nonnulla alia, qua ad circulos maximos obliquos in Astrolabio projectos pertinent, neque ininunda, neque inutilia demonstrare. Primum ergo per 1., T , polos circulū obliquū $A F C G$, descripto circulo $AICY$, circa diametrum IT , qui maximus erit, cum per puncta I , T , in sphera per diametrum opposita descriptur, referetque eum in sphera, qui per polos circuli obliqui, quē $A F C G$, representat, dicitur, ad eumq; rectus est, instar Verticalis primariae reflecti Horizontis, ut ex q̄s, qua in hac propositione dicta sunt, perspicuum est. Nam si puncta I , T , per diametrum sunt opposita, erunt duo parallelos Aequatoris ex E , per I , & T , descripti aequales & oppositi, tangentē circulum $AICY$, in I , & T , ex scholio propos. 13. lib. 3. Eucl. Cum ergo maximus circulus in sphera tangat duos parallelos oppositos & aequales; referet circulum $AICY$, illum maximum tangentem. Igitur maximus circulus $AICY$, per puncta A , C , transibit, ut demonstrauimus: ductaque per H , centrum obliqui circuli ad FG , diametro perpendiculari PS ; iacebunt tam tria puncta A , I , P , quam tria C , I , S , in una linea recta, hoc est, recta per quacunque duo ducta transibit.

arcus vnde quā
piam maximū cir-
culi obliqui in
sphera p̄cipi pot-
er in Astrolabio
in eum simili.

Proprietates va-
tis circulorū ma-
ximorum obli-
quorū in Astro-
labio.

Circulum in A-
strolabio per duo
puncta per dia-
metrum opposita de-
scriptum, esse ma-
ximum.
a. 8. 2. Theor.



transibit etiam per reliquum: quod idem dicendum est tam de tribus punctis P , C , T . quam de tribus S , A , Y . Sit enim Z a diameter circuli obliqui in sphera, per cuius extrema Z, A , radij visuales ducti AZ, AA , diametrum eius visam absindunt FG : Item diameter Lb , ad angulos rectos fecerit, ut L, b , poli sine circuli diametri Z, A , ac proinde radij visuales AL, Ab , in polos I, Y , cadat, absindantq; visam diametrum LY , circuli diametri Lb . Quoniam igitur per lemma 10. recta AL, AA , auferunt ex circulis $ABCD, AFCG$, arcus similes; Est autem abscessus arcus La , quadrans, ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. ob angulum rectum LEa . Igitur producta AL , erit quoque ex circulo $AFCG$, arcus abscessus quadrans. Cum ergo arcus PG , ex eodem scholio quadrans sit, ob angulum rectum PHG , transibit AIL , per punctum P , ut quadrans GP , auferre possit. Et quia duo latera EI, EC , duobus lateribus EI, EA , aquælia sunt, angulosque continent rectos aequales, ^a erunt quoque anguli ICE, IAE , aquæles; ^b ac proinde arcus, cui angulus ICE , insit in circulo $AFCG$, arcui CP , cuius angulus $I AE$, in eodem insit, aequalis erit. Cum ergo, ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. arcus CP, AS , inter parallelos AC, PS , aequales sint, cader recta Ci , producta in punctum S , ut arcum arcui CP , auferre possit aqualem. Tam ergo tria puncta A, I, P , quam tria C, I, S , in recta linea iacent. Rursus iuncti rectis CP, CY , ^c quoniam anguli PCS, YCS , ^d in semicirculis PCS, ICT , recti sunt; ^d erunt rectæ CP, CY , in continuum & directum coniunctæ; idemque dicendum est de rectis AS, AT . Iacent ergo tam tria puncta P, C, T , quam tria S, A, Y , in linea recta. Ex quo fit, radium Ab , ad inueniendum alterum polum Y , duci posse per tria puncta S, A, b ; quandoquidem tam recta SA , quam recta PC , producta in polum Y , cadit, ut ostendimus.

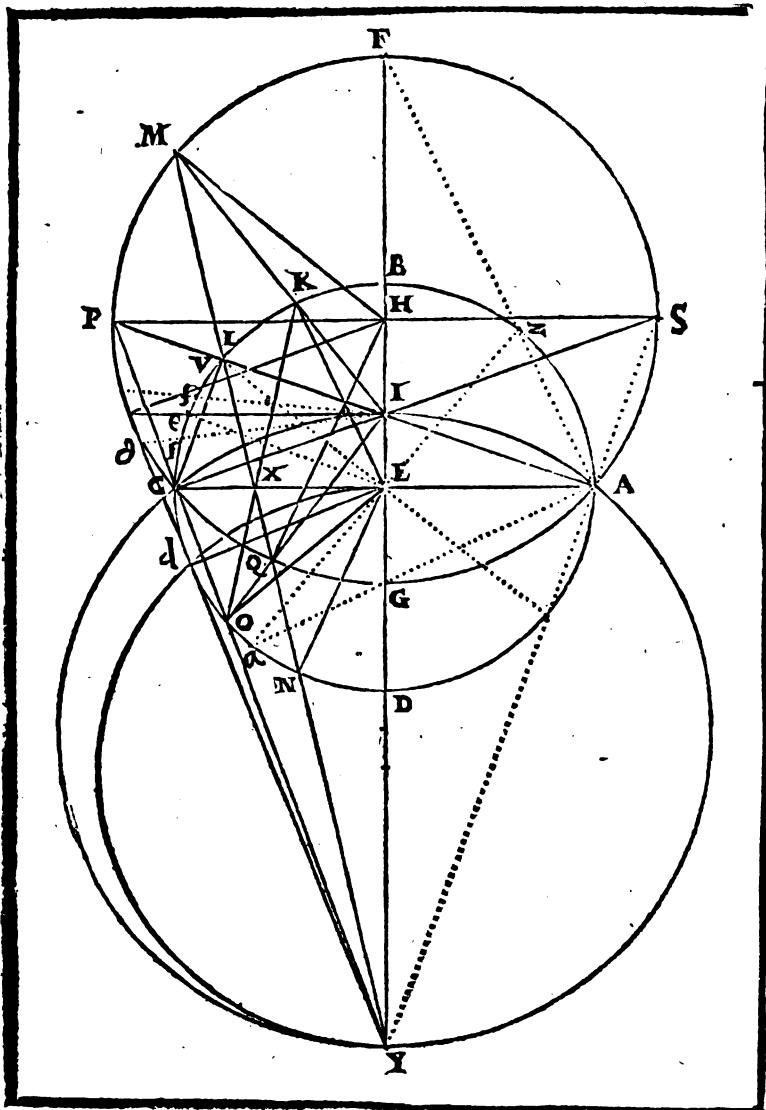
BEST autem observatione quoque dignum, quadrantem cuiusvis circuli obliqui in Astrolabio australi, quem eius linea meridiana, & perpendicularis diameter ad eam lineam meridianam includunt, aqualem esse, quod ad numerum graduum attinet, arcui altitudinis poli mundani supra illum circulum in sphera; arcum vero eiusdem inter diameter perpendiculararem ad eius lineam propriam meridianam, & intersectionem ipsius cum Aequatore, non solum aqualem esse, quod spectat ad numerum graduum, complemento altitudinis poli mundi supra circulum illum in sphera, verum etiam similem omnino. Nam quadrans FP , sot gradus continet, quot in arci BL , continentur, ut constat ex ijs, qua in hac propos. 5. Num. 17. demonstrata sunt; cum recta AIL , cadat in P , ut demonstratum est. Perspicuum autem est, arcum BL , aqualem esse arcui AZ , altitudinis poli supra circulum maximum, quem circulus $AFCG$, rescripsit, & cuius diameter vera est a Z , propter quadrantes aequales VZ, BA , & arcum communem BZ . Ex quo sequitur, reliquum arcum LC , esse complemento altitudinis poli aqualem, quem representat arcus PC , ut ex eadem bac propos. Num. 17. liquet: ac proinde aequales esse arcus PC, LC , quod ad numerum graduum attinet. Eisdem autem esse quoque similes, manifestum est ex lemmate 10. ubi demonstratum est, rectas AP, AC , absindere similes arcus PC, VC . Quod etiam constat ex lemmate 34.^c Cum enim anguli ICA, IAC , aequales sint; ^f sit autem ICE , alterno CIT , & IAE , externo PIT , ^e ^g aequali: erunt quoque anguli CIT, PIT , aequales. ideoque arcus PC, LC , similes, ut in dicto lemmate 34. demonstratum est.

15 D E I N D E quia in posteriori parte primi modi dividendi circulum obliquum maximum $AFCG$, in gradus, recta qualibet ex Y , emissa rescribat a circulo oblique arcum inter F , & rectam illam comprehensum tot gradibus respondentem, quo in arci Aequatoris inter D , & eandem illam rectam inclusa continetur; sit, ut recta ex Y , egrediens, & unum circulorum tangens, tangat & alterum, ut videlicet arcus inter F , & punctum contactus positus respondeat arcui inter D , & punctum contactus comprehendens, quod tamen Geometricè demonstrabitur, & simul puncta contactuum inueniatur,

^a 4. primi.^b 26. tertij.^c 31. tertij.^d 14. primi.^e 5. primi.^f 29. primi.

Quæ rectæ Ap ,
quatuor, & circu-
culum maximū
obliquum in A-
strolabio tangit,
& vbi.

Recta ex polo in
teriorē circulū ma-
ximi obliqua de-
cū, si tangat Aeq-
uatorē, tangit &
circulum obli-



niemus, hoc modo. *Sexta recta* ET, bisariam, describatur ex puncto diuisionis per E, & Y, semicirculus secans Aequatorem in d. Dico rectam Y d, tangere Aequatorem in d, eandemque productam tangere obliquum circulum in T, puncto, in quod cadit recta IT, ducta ex I, polo circuli obliqui ad FG, perpendicularis. ^a *Iuncta enim recta* E d, erit angulus E d Y, in semicirculo E d Y, rectus; ac proinde, ex coroll. propos. 16. lib. 3. Euclid. recta Y d, ad semidiametrum d E, perpendicularis tanget Aequatorem in d.

quam : Et si tan-
get circulus obli-
quum, tanget &
Aequatorem.

231. tertij.

16. VT autem demonstremus, eandem productam tangere circulum obliquum in T, ostendendum prius est, perpendiculararem IT, auferre arcum Aequatoris e B, similem arcui circuli obliqui TG. & quamcumque aliam rectam ex polo I, educitam, qualem est Ig; abscindere arcum f B, arcui g G, dissimilem: quorum utrumque ita consiemus. *Iunctis rectis* E e, HT; quoniam triangula PHl, AEI, equiangula sunt, cum anguli ad H, E, recti sint, & anguli ad verticem I, aequales; (*Nam recta* Al, producta cadit in P, ut demonstravimus,) nec non & alterni P, A; erit ut PH, hoc est, ut TH, ad HI, ita AE, hoc est, ita E, ad EI. Igitur cum in triangulis THI, & E I, anguli recti ad I, aequales sint, & latera circa angulos H, E, proportionalia, ut ostendimus, ac reliquorum angulorum T, sive minor sit rectus; (*quod re-*ctus EP, GP; B e, D e, in semicirculo rectos angulos efficiunt, quorum illi partes sunt.) *Eruunt triangula* THI, & E I, equiangula, angulosque THI, & E I, habebunt aequales in centris H, E: ac propterea, ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. arcus, e B, T G, similes erunt, quod est primum. Quod autem alia recta quacunque Ig, auferat arcus non similes f B, & G. sic concludemus. Si Ig, cadat supra perpendiculararem IT, erit arcus f B, minor, quam e B, ac proinde minor, quam ut similis sit arcui TG, cum huic simili obfensus sit arcus e B. Multo ergo maior erit arcus f B, quam ut similis sit arcui g G, cum hic maior sit quam TG. Si vero Ig, cadat infra perpendiculararem IT, erit arcus f B, maior quam e B; ac proinde maior, quam ut similis sit arcui TG, cui similis obfensus est e B. Multo ergo maior erit arcus f B, quam ut similis sit arcui g G, qui minor est, quam TG; ac proinde sola perpendicularis IT, arcus similes abscindit B e, TG.

Recta ad meridi-
ram lucam ex
polo circuli ma-
ximi obliqui per
pedicularis, quae
arcus similes ab-
scindit ex Ae-
quatore, & circu-
lo maximo obli-
quo.

b 15. primi.

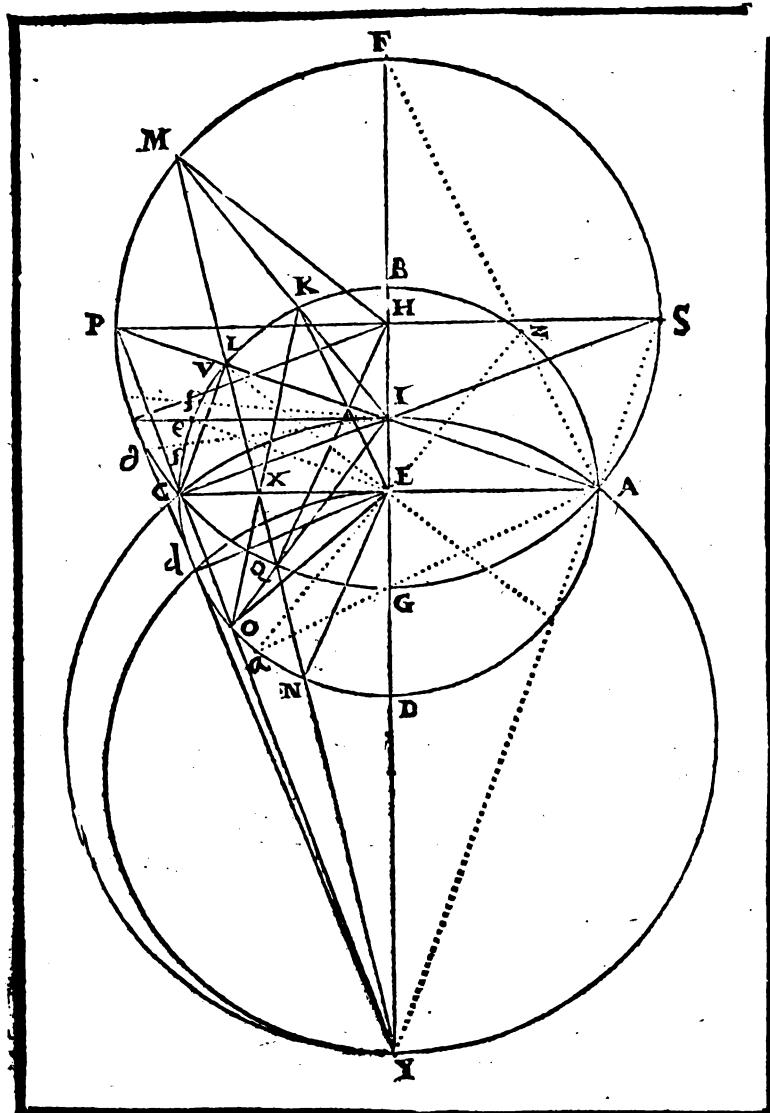
c 22. primi.

d 4. sexti.

e 31. tertij.

f. 7. sexti.

17. HIS demonstratis, facile ostendemus rectam Y d, productam tangere obliquum circulum in T. *Nam ducta recta* HT, ipsi E d, parallela, probabitus rectam Y d, productam tangere obliquum circulum in T, & perpendiculararem ad FG, ex I, educitam cadere in T, punctum contacteret, ac proinde eandem Y d, productam tangere circulum obliquum in T, puncto extremitate perpendicularis IT. *Quoniam enim pa-* g 28. primi.
ralle sunt PH, CE, ob rectos angulos ad H, E, rectaque YC, producta cadit in P, ut ostendimus; *equiangula erunt* ex coroll. propos. 4. lib. 6. Eucl. triangula THP, YEC. *Igitur* h 4. sexti.
erit ut TH, ad HP, ita YE, ad EC; & permutoando, ut TH, ad YE, ita HP, hoc est, HT, ad EC, hoc est, ad Ed. *Cum ergo* HT, Ed, parallela sint, transibit recta Yd, producta per T, ex scholio prop. 4. lib. 6. Eucl. *Et quia* angulus Yd E, in semicirculo rectus est, l 31. tertij.
& angulo YTH, *equalis*, *externus interno*; erit quoque YTH, rectus, ac proinde YT, l 29. primi,
circulum AFCG, in T, contingat. *Iuncta autem recta* IT, secante Aequatorem in e, *queniam* punctum T, inuenitur quoque per rectam ex altero polo Y, emissam, que abscindat ex Aequatore arcum à D, inchoatum equalem arcui B e, ut pareret ex primo mo-*do* diuidendi circulum obliquum in gradus; erit arcus Dd, arcui T G, similis, ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. ob angulos DEd, GHT, in centro, qui aequales sunt, *externus*, & *internus*, in 1 29. primi.
parallelis Ed, HT. Igitur & arcus B e, eidem arcui T G, similis erit. *Cum ergo* sola perpendicularis ex I, ad FG,ducta abscindat arcum a B, inchoatum, similē arcui à D,

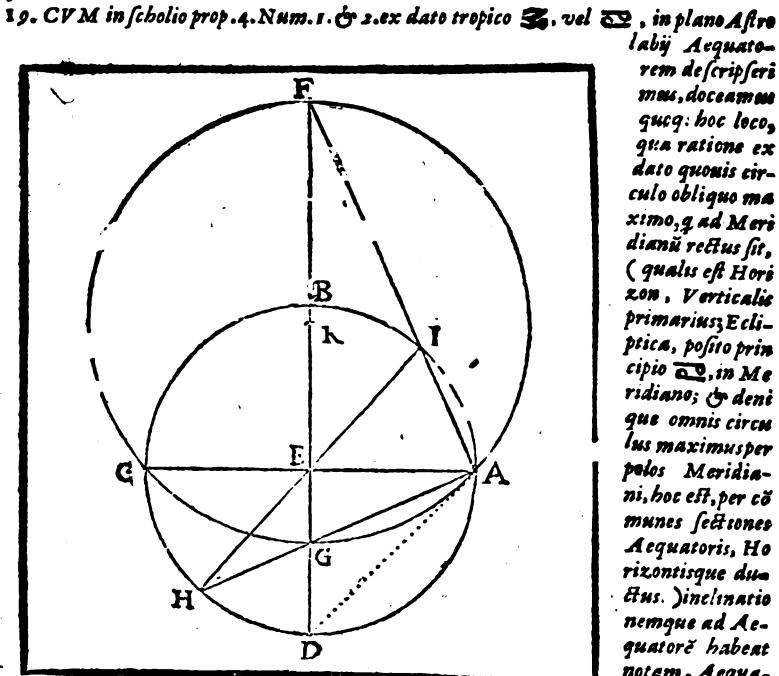


inchoato, ut demonstratum est; erit IG , ad FG , perpendicularis; atque idcirco recta Yd , producta tangit obliquum circulum in puncto T , in quod perpendicularis ex I , ad FG , excisa cadit. quod est propositum.

18. T E R T I O ducta ex Y , iverunque recta YM , secante Aequatorem in V , N , (casu autem factum est, ut punctum V , cum puncto L , coincidat in figura,) & circulum obliquum in M , Q , ductisque rectis IM , IQ , secantibus Aequatorem in K , O , erunt arcus VCN , MCQ ; item BV , FM , & GQ , DN , similes: Arcus item VCN , KCO , aquales: ac tandem anguli MIF , OID , aquales quoque erunt. Iunctis enim rectis HM , HQ , & EV , EN : a quoniam est, ut YH , ad HP , ita YE , ad EC ; estque HQ , ipsi HP , & EN , ipsi EC , aequalis erit quoque ut YH , ad HQ , ita YE , ad EN . Quare triangula YHQ , YEN , angulum Y , habent communem & latera circa angulos H , E , proportionalia. Cum ergo reliquorum angulorum Q , N , iverque sit recto maior; (b Nam tam b 21. primi. angulus HQY , maior est recto angulo HIT , quam angulus ENY , angulo recto. Edi.) c erunt triangula YHQ , YEN , equiangula; equalisque habebunt angulos ad H , E . c 7. sexti. Igitur ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. arcus GQ , DN , similes sunt. Eodem modo, d quo, d 4. sexti. niam est, ut YH , ad HP , hoc est, ad HM , ita YE , ad EC , hoc est, ad EV , habebunt triangula YHM , YEV , angulum Y , communem, & latera circa angulos H , E , proportionalia. Cum ergo reliquorum angulorum M , V , iverque minor sit recto, (quia cum ambo ad circumferencias insistant tangentibus semidiametris HQ , EN , acuti sunt. e Recti e 31. sexti. enim fierent, si semidiametris QH , NE , productis, ad earum extrema puncta ex M , V , recte ducerentur.) f erunt triangula YHM , YEV , equiangula, angulosque aquales f 7. sexti. habebunt YHM , YEV ; ac proinde & ex duobus rectis reliqui aquales erunt FHM , BEV . Igitur ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. arcus FM , BV , similes sunt: ac proinde, ex eodem scholio, vel ex lemmate 6. & ex semicirculis reliqui VD , MG , similes erunt: Fuerunt autem & DN , GQ , similes. Igitur ex lemmate 6. & reliqui arcus VN , MQ , similes erunt. Constat ergo, rectam YM , undique arcus similes anferre, nimurum tam superiores FM , BV , quam inferiores, GQ , DN , & tam ad sinistram positor MQ , VN , quam ad dexteram MAQ , VAN , reliquos videlicet ex totis circulis, si similes MQ , VN , tollantur. Deinde quia idem punctum M , reperitur per rectas IK , YN ; erunt arcus BK , DN , aquales, ut constat ex primo modo dividendi circulum obliquum in gradus: Item quia idem punctum Q , invenitur per rectas IO , IV ; erunt tandem b can- sam arcus DO , BV , aquales. Igitur erunt arcus BK , DO , simul duobus arcibus DN , BV , simul aquales: ac proinde & ex semicirculis reliqui KO , VN , aquales erunt. Et quia VN , similis fuit arcus MQ , erit eidem arcui MQ , similis etiam arcus KO . Igitur & recta IM , IQ , ducta per puncta circuli obliqui, in quibus recta YM , secatur, absindunt ex Aequatore arcum KO , arcui MQ , similem. Ex quo denique sequitur ex lemmate 34. angulos MIT , OIT , atque idcirco & ex duobus rectis reliquis MIF , OID , aquales esse. Quod sine lemmate 34. ita quoque ostendi potest. g Quoniam g 4. sexti. est ut PH , ad HI , ita AE , ad EI , ob triangula PHI , AEI , equiangula; erit quoque ut MH , ad HI , ita OE , ad EI . Et quia anguli hinc lateribus contenti MHI , OEI , aquales sunt, quod ex duobus rectis reliquis MHF , OED , aquales quoque sint, ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. ob arcus FM , DO , qui similes sunt. (Cum enim similes sint ostensi FM , BV , erit quoque DO , ipsi BV , aquales, eidem FM , similes.) h erunt triangula MHI , OEI , equiangula, aqualesque habebunt angulos MIF , OID . quod est proposum. Vbi etiam obiter notandum videatur, rectas KO , VN , se mutuo intersecare in diametro Aequatoris AC , in puncto X , hoc est, diametrum AC , per earum intersectionem X , transire. Ducta enim recta CV ; quoniam tam arcus BK , DN , quam arcus BV , DO , aquales sunt, ut dictum est; erunt quoque tam reliqui CK , CN , quam reliqui CV , CO , aquales, ac proinde tam anguli COK , CVN , insistentes arcibus aquales i 27. tertij. bns

bis CK, CN , quā anguli ACO, ACV , insistentes arcibus equalibus AO, AK . (Nam si equalibus arcibus DO, BV , aequales quadrantes AD, AB , adiiciantur, totū arcus AO, AK , aequales sunt) inter se ejusmodi aequales. Itaque cum in triangulis COK, CVX , quia a recta AC , absinduntur, (quoniam nondum constet, eam per idem punctum X , transire) duo anguli COX, OCX , duobus angulis CVX, VCX , aequales sint, & sine assumptione latera adiacentia CO, CV , aequalia, ob aequales arcus CO, CV ; & erunt quoque latera CX, CX , aequalia, hoc est, segmenta recta AC , inter C, X , & rectas KO, VN . Transit ergo AC , per X . Nam si duobus in punctis secaret rectas KO, VN , esset unum segmentum altero maius, propterea quod unum punctum propinquius foret junctio C , quam alterum. Denique ex ijs, qua dicta sunt, inferre quoque licebit, si ad polum I , circuli obliqui constituantur duo anguli aequales MIF, OID , rectam per puncta M, Q , ubi recta IM, IO , obliquum circumulum secant, traiectam cadere in alterum polum T , hoc est, tria puncta M, Q, T , iacere in una linea recta. Nam si ducta recta MT , non dicatur transire per punctum Q , sed secare obliquum circumulum in alio punto, constitueret recta ex hoc punto ad I , ducta cum ID , angulum aequalem angulo MIF . ut paulo ante demonstravimus; ac proinde & angulo OID ; atque ita pars ac torum aequalia erunt. quod est absurdum. Transit ergo recta MT , per punctum Q , quod est propositum. Atque hac de proprietatibus varijs circulorum obliquorum maximorum dicta sunt, nunc ad inservitum revertamur.

Aequatore in Astrolabio extit
culo maximo oblique, qui ad Meridianum re-
ctus inclinatio semper ad Aequatorem habet
notam, describa-



Astrolabij describere licet. Nam non raro res hec magnā afferit commoditatem, cū qui libet circulus obliquus in Astrolabio maior sit, quam Aequator, ut supra Num. 2. demon- strauimus,

Frauimus, accuratisque ex maiore circulo minor describatur, quam maior ex minore. Sit ergo in Astrolabio plato datum circulus maximus obliquus $APCG$, & ad Meridianum rectus, cuius inclinatio ad Aequatorem continet gradus 30. hoc est, altitudo poli Borealis supra illum circulum, sive complementum inclinationis eius ad Aequatorem, complectatur grad. 60. oportetque in eodem plato Aequatorem describere. Ducta diametro circuli FG , per eius centrum X , numeretur a puncto G , in utramque partem complementum inclinationis, sive altitudo poli, hoc est, in dato exemplo grad. 60. usque ad A , & C , ducatur recta AC , qua in E , secabitur bisariā, ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. propterea quod diameter FG , arcum AGC , bisariam dividit: ac tandem ex E , per A , & C , circulus describatur $ABCD$. Dico hunc esse Aequatorem. Ducta enim recta AG , secans circulum $ABCD$, in H , erant ex lemmate 10. arcus CG , CH , similes. Cum ergo GG , metiat altitudinem poli supra datum circulum, maximum obliquum, metietur eandem arcus CH . Ducta igitur recta ex H , per centrum E , diameter erit circuli maximi, cuius complementum inclinationis, vel altitudo poli sit CH . Et quia ducta recta AI , angulus HAL , rectus est in semicirculo, cadet ea producta 231. tertij. in punctum F . Si enim circa F , vel ultra caderet, efficeret ducta recta FA , in semicirculo FAG , alterum angulum rectum FAG , priori aqualem, asque ita pars & totum equalia forent, quod est absurdum. Itaque si $ABCD$, statuatur Aequator, describetur circulus data inclinationis $AFCG$, cum radij visuales AH , AI , per extrema puncta eius diametri ducantur, absindentesque diametrum apparentem FG , ut ex ijs, qua in hac propos. Num. 2. demonstrata sunt, perspicuum est. Est enim H , diameter eius circuli in sphera, cum arcus CH , AI , metiantur altitudinem poli supra ipsum. ut diximus. Vici sim ergo, posito $AFCG$, circulo obliqui, quis altitudinem poli habeat AI , vel CH , erit $ABCD$, Aequator: quandoquidem ex hoc Aequator ille describitur, volvitur demonstrauimus. Quod si maior pars obliqui circuli dati vergere debeat in partem inscripionem, ut contingat in Verticali primario, numerandum erit complementum eius inclinationis ad Aequatorem, vel altitudo poli ab F , in utramque partem, &c. Nam eius diametrum cadere debet inter B , & C , ut ex ijs patet, qua in hac propositione Num. 9. scripsiimus, quando declarauimus, quam in partem ducenda sit diameter cuiusvis circuli obliqui, qui ramen ad Meridianum rectus sit. Hac eadem ratione ex quoniam alio circulo maximo, qui ad Meridianum rectus non sit, Aequatorem describimus in Astrolabio, ut propos. 8. Num. 17. scriberemus.

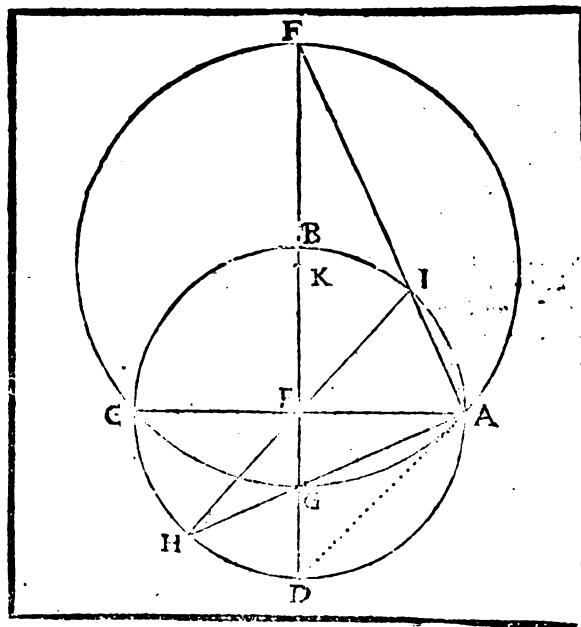
20. **C O N S T A T** ex his, si in quoniam punto A , circumferentia Aequatoris angulus rectus constitutatur FAG , & quo per centrum E , recta ducatur AC , & ad hanc in eodem centro E , perpendicularis excitetur FG , secans rectas AF , AG , angulum rectum constituentes in F , G ; puncta F , G , representare duo puncta in sphera per diametrum oppositus, hoc est, rectam intersectam FG , esse diametrum maximi circuli. Quia enim ex scholio propos. 31. lib. 3. Eucl. IAH, semicirculus est, absindens radij AI , AH , per extremitates diametri HI , educti, diametrum visum FG , circuli maximi, cuius diameter HI , per ea, qua Num. 2. huius propos. demonstrata sunt; ac proinde puncta F , G , per diametrum sunt opposita in circulo maximo circa diametrum visum FG , descripto, cum puncta I , H , per diametrum opposita referant.

Que puncta in Astrolabio & diametrum oppositum rur.

21. **D E N I Q U E** descripro quoniam circulo obliquo maximo in Astrolabio, qui ramen ad Meridianum rectus sit, hoc est, per puncta A , C , transcat, cognoscemus eius in clinacionem ad Aequatorem, altitudinem poli supra ipsum, & sicum eiusdem in sphera, hac ratione. Ex A , polo australi per G , punctum, ubi circulus obliquus $AFCG$, meridianam lineam BD , intersectat, centro Astrolabio E , propinquius, recta ducatur AG , secans Aequatorem in H . Nam CH , erit arcus altitudinis poli, & eius complementum

Altitudinem poli supra circulum maximum obliquum in Astrolabio, qui ad Meridianum rectus sit, & eius inclinationem ad Aequatorem, si ambi in sphera, sive in Astrolabio, rego facere.

DH, inclinatio ad Aequatorē, propterea quod recta AH, cedit in H, extremum diametri circuli obliqui, cum radius AH, indicet extreum G, diametri visa, ut ex ijs, que dicta sunt, perspicuē est. Ratio altera huius operationis perspicua hac est. Quoniam arcus circuli maximi per mundi polos, & polos obliqui circuli maximi in sphera ducit, inter polum mundi, & circulum obliquum positus, metitur altitudinem poli supra ipsum circulum obliquum, arcus vero inter eundem obliquum circulum, & Aequatorem intercep̄t metitur eiusdem inclinationem ad Aequatorem, sit, ut cū recta BD, referat illum circulū maximū, ut prop. 1. Num. 1. ostensum est, portio EG, inter E, polum mundi, & circulum obliquum interiecta representat arcū altitudinis poli, & portio GD, inter eundem obliquum circulum, & Aequatorem, exprimat arcum inclinationis eiusdem circuli obliqui ad Aequatorem. Quocirca cum portio EG, arcum CH, & portio GD, arcū



HD, referat, ut propos. 5. Num 6. ostendimus, erit CH, arcus altitudinis poli, ac vero HD, arcus inclinationis ad Aequatorem. Quod si punctum G, vicinus centro Astrolabij, fuerit infra rectam AC, secabit in sphera circulus maximus, quem AFCG, representat, Meridianum inter A, polum australem, & B, punctum Aequatoris in superiore hemisphario: si vero punctum G, fuerit supra rectam AC, secaret circulus obliquus Meridianum inter C, polum borealem, & B, punctum Aequatoris in eodem hemisphario. Atque bac eadem ratio quadrat quoque in quenamvis circulum maximum obliquum, qui ad Meridianum rectius non sit, ut propos. 8. Num. 22. dicimus.

PROBLEMA III. PROPOS. VI.

HORIZONTIS cuiuslibet obliqui, Verticalis cius primarij, Eclipticæ, & cuiuscunque alterius circuli maximi obliqui, siue is ad Meridianum rectus sit, inclinatio nemque

nationemque ad Aequatorem habeat notam, siue non rectus, in Astrolabio tamen descriptus, Parallelos in Astrolabio describere, atque in gradus, hoc est, in partes inæquales, quæ eorum gradibus in sphera æqualibus respondent, distribuere.

v. PRIMO loco de parallelis illorū circulorum maximorum obliquorum agemus, qui ad Meridianum recti sunt; quamvis eadem sit ratio in illis, qui ad Meridianum recti non sunt, vt Num. 25. dicemus. Si igitur diametris horum circulorum in Analemmate ad instium propos. 4. descripto ducentur parallelae per singulos gradus circuli Analemmatis, erunt ex diametri parallelorum per singulos gradus ductorum. Quare si ex polo australi A, per extrema puncta hujum diametrorum radij visuales emittantur, abscedentur ex recta p. X. diametri apparentes, seu visuæ parallelorum: quæ si transferantur in lineam meridianam Astrolabij BD, co ordine ac situ, quem in Analemmate habent, & circreas ex medijs earum punctis circuli descriptibantur, descripti erunt paralleli circuli Horizontis, & aliorum circulorum maxiorum, quos in propos. nominauimus.

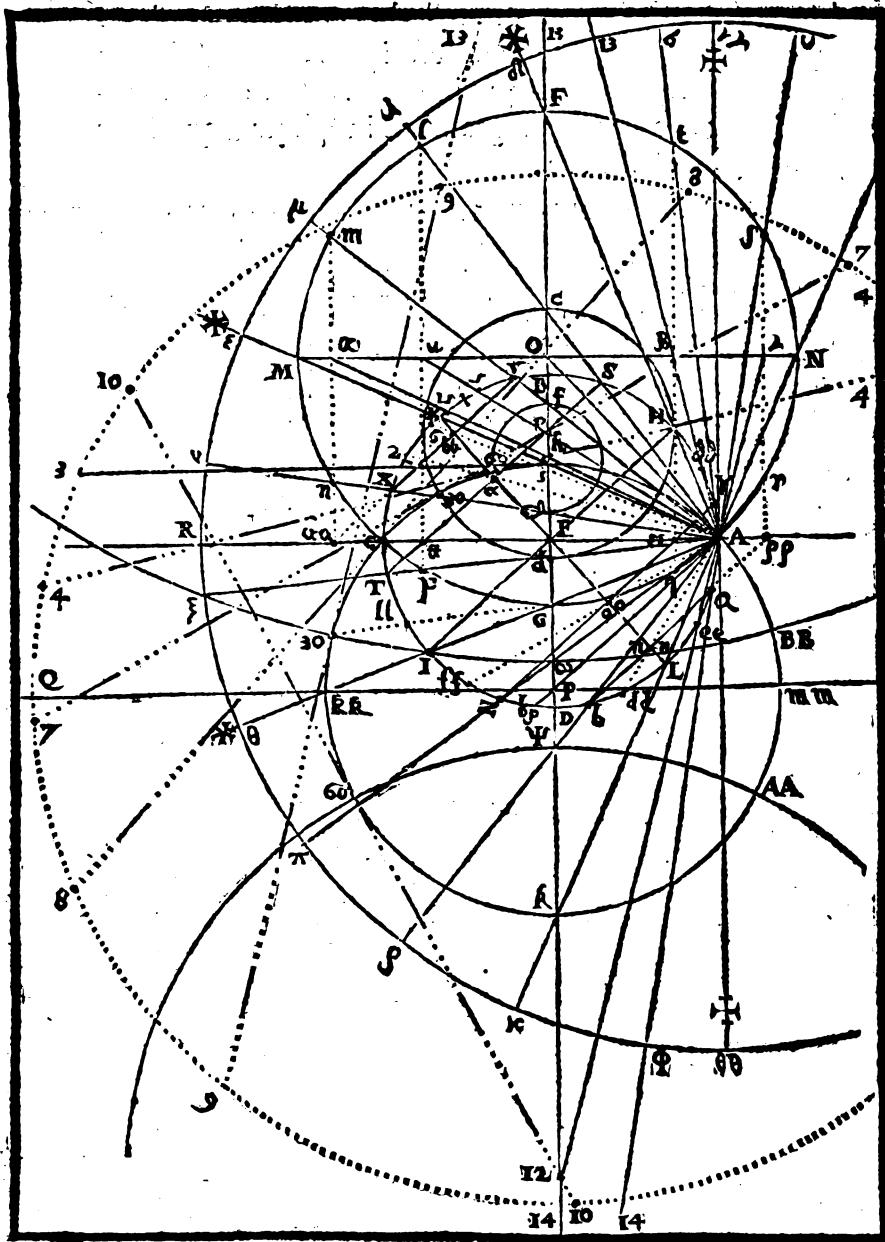
Horizontis, & cuiusvis alterius circuli, maximis obliquis, ad Meridianum tamen recti, parallelos in Astrolabio per Aequator, etiam Analemma, ad instium propos. 4. descripti.

2. EOS DEM parallelos cōmodissimè in Astrolabio describemus, etiam si storsum Analemma constructum non sit, si diametris dictorum circulorum maximorum in Aequatore Astrolabij inuenientis, vt in præcedenti propos. traditum est, parallelæ rectæ per singulos gradus Aequatoris agantur. Hæ namq[ue] erunt rursus diametri parallelorum. Quamobrem si per earum puncta extrema ex A, polo australi radij visuales emittantur, abscedentur ab ijs in meridiana linea BD, utrinque producta diametri parallelorum apparentes maximæ, vt in Tēthio p[ro]pos. 3. ostensum est, quippe cum Meridianus, in cuius communi sectione cum Aequatore apparent, ad hosce parallelos rectus sit. Si igitur ex medijs punctis diametrorum visarum circa easdem circuli describantur, descripsi erunt prædicti paralleli in Astrolabio. Quod vt planius fiat, sit exempli gratia, in Astrolabio Aequator A B C D; centrum E; diameter Horizontis H I; Verticalis primarij K L; Horizon A F C G; Verticalis primarius A i C k; centrum Horizontis O; Verticalis P; Polus Horizontis superior, hoc est, vertex capitii, sive Zenith, punctum i; Polus inferior, sive Nadir, punctum k. Si ergo paralleli ug. Horizontis, quos Almucantarath Arabes dicunt, describendi sint, dividendum erit Aequator, initio sumpto ab Horizontis diametro H I, in 360. gradus, si paralleli omnes Horizontis, per singulos nimirum gradus Verticalis primarij transantes, desiderentur. Nos ad vitandam confusionem contenti suimus divisione in 12. partes æquales, ita ut singulæ tricenos gradus complectantur. Deinde qualibet bina puncta à punctis H, I, æqualiter distantia lineis rectis iungenda, quæ ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. ipsi H I, parallelae erunt, cuiusmodi sunt rectæ ST. V X, Y Z, a b, ac proinde diametri erunt parallelorum Horizontis per tricenos gradus ductorum, hoc est, communes sectiones Meridiani, (pro quo nunc circulus ABCD, sumitur) & parallelorum Horizontis, cum omnes haec sectiones inter se parallelæ sint, factæ videlicet à piano Meridiani in planis parallelis. Igitur si ex A, polo australi per S, T, radij emittantur, abscedentur paralleli ST, diameter visa cd, qua bisariam diuisa in c, describatur ex e, circulus per c, d, qui parallelum Horizontis, cuius

Horizontis, & cuiusvis alterius circuli, maximis obliquis, ad Meridianum tamen recti, parallelos in Astrolabio per Aequator, etiam Analemma, ad instium propos. 4. descripti.

a 16. vndes.

Y y diameter



diametro ST, representabit. Par ratione radij AV, AX, abscedent diametrum visam f.g. parallelis Horizontis, cuius in sphera diameter VX. Sic extremum Z, diametri YZ, apparet per radium AZ, in punto ω , alterum autem extremum Y, cernetur per radium AY σ , in concursu huius radij cum meridiana linea DBF, qui in punto admodum procul distante contingit, vt in plano notari non possit. Quare vt portio eius parallelis per ω , transcurrentis describi queat, inueniendum est eius centrum, etiam alterum extremum non habeatur, vt paulo infra Num. 9. docebimus. Atque omnes hi parallelis, quorum diametros in Aequatore Astrolabij recta AK, ex polo australi A, ad polum Horizontis K, educta intersecat, hoc est, qui in sphera inter polum australem, & zenith Meridianum intersecant, habent sua centra in Astrolabio supra Zenith I, versus F, describunturque circa I, Zenith, sive polu Horizontis superiorē.

3. AT parallelus Horizontis, cuius diameter per polum A, australem transit, qualis est recta Ab β , ad axem Horizontis KL, perpendicularis, cadens in P, centrum Verticalis, vt supra demonstratum est propos. 5. Nam. 3. projectur in lineam rectam PQ, ad BD, perpendicularrem in P. Quod n. lineam rectam efficiat in Astrolabio, conitas ex propos. 5. Num. 1. cum per polum australem ducatur. Quod autem faciat rectam PQ, ad BD, perpendicularrem in P, sic probatur. Quoniam tam planum Aequatoris, Astrolabij, quām planum parallelis diametri AP, ad Meridianum rectum est; ^a Meridianus enim per ipsorum polos ductus ad utrumque rectum est, ac proinde vicissim ipsa plana ad Meridianum recta erunt.) ^b erit & eorum communis sectio ad eundem recta, atque idcirco ex defin. 3. lib. 11. Eucl. & ad rectam BD, in Meridiano existentem perpendicularis erit in punto P, vbi plāno Astrolabij parallelus r̄currit. Igitur perpendicularis PQ, erit communis illa seccio referens parallelum Horizontis per A, polum australem ductum.

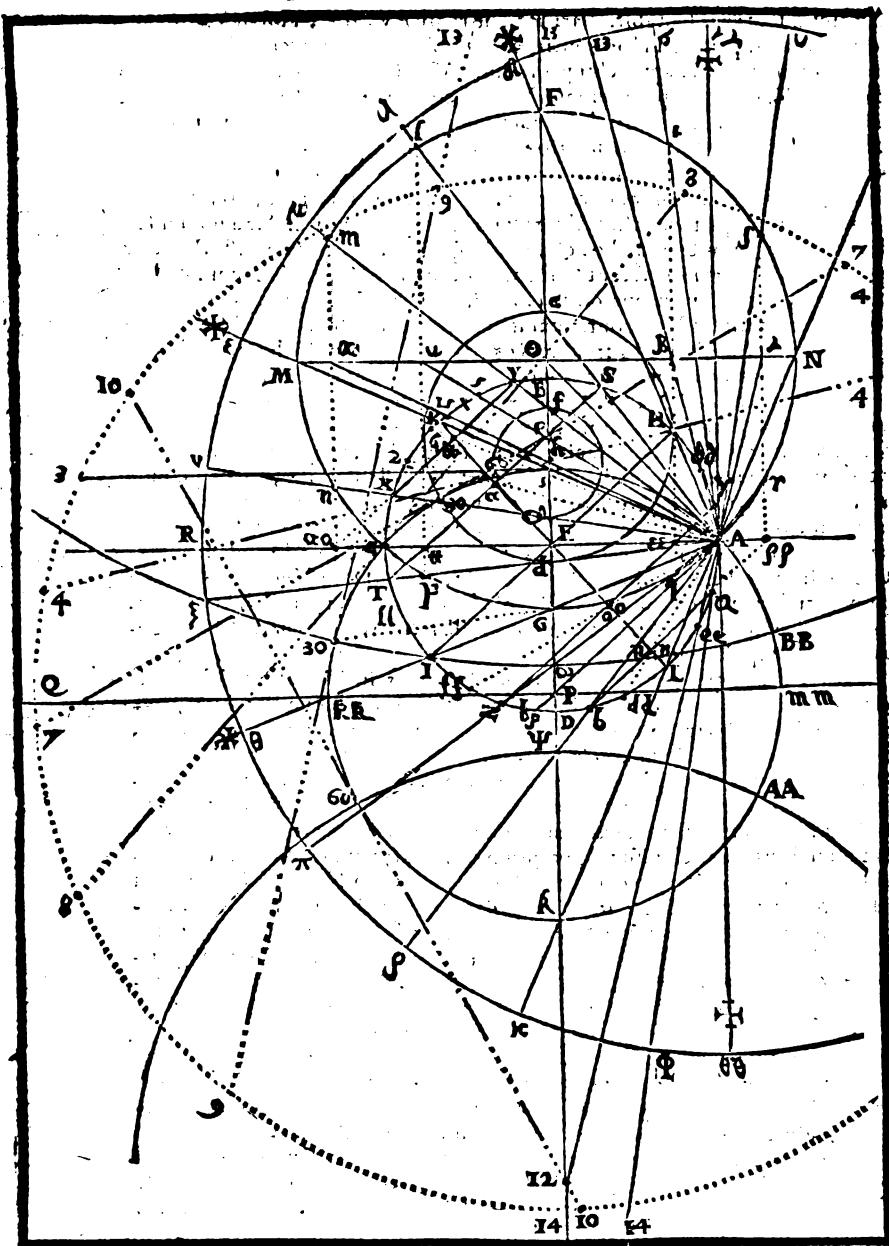
4. AL II denique parallelis, quorum diametros in Aequatore Astrolabij recta AK, ex polo australi A, ad K, polum Horizontis ductum non secat, hoc est, qui in sphera inter polum australem, & Nadir Meridianum intersecant, centra sua habent in Astrolabio infra Nadir k, describunturque circa idem Nadir k, ita vt eorum circumferentiae à recta PQ, deorsum versus curuentur, quemadmodum priorum circumferentie ab eadem recta PQ, sursum versus tendunt. Ita vides radium Ab, per b, extreum diametri ab, indicare unum punctum extreum illius parallelis visum ψ ; alterum vero extreum indicabitur per radium Aa φ , qui per alterum extreum adiungitur, infra Nadir k, in concursu 14. si in plano notari posset, ita vt tota diameter visa infra rectam PQ, existat, inter cuius extrema ipsum Nadir k, reperitur. Sed quia hoc alterum extreum nimis procul excurrit, præstat inuenire centrum parallelis, quod est punctum 12. (quod paulo post Num. 9, inuenire docebimus) licet alterum extreum diametri visus non habeatur. Circulus igitur ψ 60. ex centro 12, descriptus circa Nadir k, representabit paralleli diametri ab. Atque hoc eodem artificio omnes parallelis Horizontis describentur, tam ij, qui sunt in supero hemisphaerio supra Horizontem, quos illi representant, qui intra Horizontem descripti sunt, quām illi, qui infra Horizontem existunt, quos videlicet referunt ij, qui extra Horizontem designantur. Maior tamen visus illorum, quām horum est in rebus Astronomicis: Ex quo factum est, vt in Astrolabio extra Horizontem nullus parallelus ipsius describi solet, præter eū, qui grad. 18. infra Horizontem existit, diciturque hanc crepusculina, de qua propos. 10. agemus.

Parallelis Horizontis, qui in sphera inter polum australem, & zenith Meridianum intersecant, describi in Astrolabio circa Zenith.

Parallelum Horizontis, qui in sphera per pola australi dicuntur, project in Astrolabio in lineam rectam, que ad meridianam perpendiculare est in centro Verticalis primarij.

a ss. 1. T̄b.
b, 19. unde.

Parallelos Horizontes, qui in sphera inter polum australem, & Nadir Meridianum intersecant, describi in Astrolabio infra Nadir.



O M I T T E N D V M etiam non est hoc loco, quando parallelus aliquis circuli maximi obliqui Aequatorem intersecat, quod contingit, cum eius diameter meridianam lineam intra Aequatorem secat, cuiusmodi est diameter ST, duo puncta intersectionum Aequatoris cum parallello, & punctum intersectionis linea meridiana cum eiusdem paralleli diametro. in una recta facere linea, nimirum in communis sectione plani Aequatoris, & plani parallelis in sphæra, quæ ad lineam meridianam perpendicularis est in Astrolabio. Quoniam n, tam parallelus diametri ST, in propria positione, quam Aequator ad Meridianum rectus est, erit quoque communis eorum sectio ad eundem Meridianum, a s. vnde recta, tdeoque & ad meridianam lineam BD, ex defin. 3. lib. 1. Eucl. perpendicularis. Si ergo per punctum intersectionis diametri ST, cum meridiana linea, ad eandem lineam meridianam perpendicularis ducatur, erit ea, communis sectione parallelis, & Aequatoris. Cum ergo ex polo australi conspicatur parallelus per illam communem sectionem transire, secabit necessario parallelus visus in Astrolabio descriptus Aequatorem in punctis extremis illius communis sectionis: ac proinde duo puncta sectionum Aequatoris, & parallelis, & punctum intersectionis diametri ST, cum linea meridiana iacebunt in una linea recta, in communis videlicet sectione parallelis, & Aequatoris. Hac ratione experientia, intersectiones duas parallelis c 30 d, cum Aequatore, & intersectionem diametri SF, cum meridiana linea, in una iacere linea recta: quod etiam de duabus intersectionibus parallelis BB & 30. cum Aequatore, & intersectione diametri YZ, cum linea meridiana dicendum est. Voco autem Meridianum cuiusvis obliqui circuli maximi, eiusque parallelorum, circulum maximum, qui per polos mundi, & polos circuli obliqui ducitur; & meridianam lineam, communem sectionem plani Astrolabij, & illius circuli maximi per polos mundi, & circuli obliqui transuntur.

sectionem communam Aequatoris, & parallelis, obliqui secad meridianam lineam in Astrolabio perpendiculariter.

Meridianus, & linea meridiana cuiusvis circuli obliqui, quo modo intelligatur.

A D V E R T E N D V M quoque est, parallelum obliquum per E, centrum Astrolabij transuntem, æqualem esse parallello obliquo, qui in sphæra per polum australem ducitur, proiciturque in Astrolabio in rectam PQ; quia uterque in sphæra æqualiter à proprio polo distat, ille quidem à superiore, hic vero ab inferiore; cum utriusque distantiam metiat arcus Meridiani proprii inter polum mundi, & proprium polum interiectus: Utique vero æqualem esse tam parallelum Aequatoris per i, polum circuli obliqui, quam parallelum Aequatoris per k, alterum polum obliqui circuli descriptum: quia horum uterque recedit in sphæra à polo mundi per arcum inter polum mundi, & polum circuli obliqui interiectum, quemadmodum & uterque illorum à proprio polo per eundem arcum distat.

5. **Q V E M A D M O D V M** autem in sphæra verticalis circulus primarius per polos Horizontis, eiusque parallelorum ductus, b secat omnes parallelos, ipsumque Horizontem bifariam, ita quoque in Astrolabio idem fieri necesse est: adeo ut quemadmodum in Horizonte arcus AFC, AGC, referunt duos semicirculos ipsius, ut supra in scholio precedentis propos. Num. 4. diximus, ita quoque in parallelis Horizontis arcus, quos Verticalis primarius AiCk, abscondit, semicirculos representent. Rursus quemadmodum Verticalis, ac Meridianus diuidunt eosdem parallellos Horizontis, atque ipsum etiam Horizontem in sphæra, in quadrantes, ita quoque in Astrolabio arcus Horizontis, eiusque parallelorum inter Verticalem, & Meridianum, quem recta BD, in veramque partem extensa exprimit, comprehensi referunt eorum quadrantes: cuiusmodi sunt arcus Horizontis AF, FC, CG, GA, & parallelorum arcus c 30, 30d;

b 15. f. Tb.
semicirculi, &
quadrantes Horiz-
ontis, cuiusque
parallelorum, à
Verticali prima-
rio, ac Meridia-
no effecti in As-
trolabio, qui.

c₃o, 30 d; f₆o, 60g; a 30; f 60. &c. Immo & diameter Verticalis primarii secant in P, ad rectos angulos meridianam lineam BD, exhibet semicirculum paralleli, cuius diameter in sphera est A_b, quem per rectam PQ representari diximus; semidiametri autem Pkk, Pmm, eiusdem parallelii quadrantes referunt; semicirculum, inquam, & quadrantes eiusdem, qui à polo australi A, longius absunt.

Diametros apparet
entes parallelo
rum Horizontis.
vnu ann coram
dum osculu, per
ipsumque Horiz
ontem inservire
de Aſſolabili.

6. ALIO modo & fortasse accuratius reperiemus in meridiana linea BD, utrinque extensa diametros apparetos parallelorum Horizontis, eorumque centra simul, hoc est, diametrorum puncta media, si Horizonte descripto AFCG, per eius centrum O, diameter MN, ducatur ad FG, perpendicularis, ipseque Horizon in 360. gradus distribuatur, facto principio à punto F, vel G, si omnes paralleli desiderentur, (Nos confusione uitandæ causa eum in 12. partes æquales, quarum singulæ tricenos gradus compleuantur, partiti sumus) ac tandem per bina quævis puncta à diametro FG, quæ remota rectæ occulte ducantur secantes diametrum, MN, in u, a, β, γ, quæ omnes ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. ipsi FG, & inter se paralleles erunt, diuidenturque omnes bifariam à diametro MN, ex eodem scholio propos. 29. lib. 3. Eucl. His namque peractis radii ex A, per extrema puncta cuiusvis paralleli emitti absident ex FG, diametrum visam illius paralleli, qui in sphera tot gradibus ab Horizonte distat, quot gradibus ipsa parallela à diametro FG, remouetur, atque parallelus ipse supra quidem Horizontem existet, si parallela versus punctum M, vergat, infra vero eundem, si versus punctum N, tendat, ita ut semicirculus FCG, ad parallelos supra Horizontem, & semicirculus FAG, ad parallelos infra Horizontem pertineat. Recta vero ex A, per punctum, in quo diameter MN, à parallela secatur, emissa indicabit in recta FG, centrum eiusdem parallelii, id est, diametrum eius visam diuidet bifariam. Verbi gratia, quoniam parallela Ip, recedit à diametro FG, versus M, grad. 30. absident radii Al, Ap, diametrum apparentem cd, paralleli, qui ab Horizonte versus Zenith totidem gradibus absit; recta vero Au, diametrum cd, secabit bifariam in a, centro paralleli c 30 d. quod hunc in modum demonstrabimus. Quoniam rectæ AF, Al, per 10. lemma, in circulis ABCD, AFCG, intercipiunt arcus similes, transitique AF, per punctum H, extremum diametri Horizontis, quod per radium AH, inuentum sit punctum F, extremum diametri visæ Horizontis; transibit Al, per S, quod arcus Fl, HS, similes sint. Quemadmodum ergo radius, AS, exhibuit punctum c, ita idem punctum c, per radium Al, indicabitur. Rursus quia per idem lemma 10. rectæ AG, Ap, in eisdem circulis arcus similes intercipiunt, rectaque AG, transit per I, transibit Ap, per T, quod arcus Gp, IT, similes sint. Igitur punctum d, reperietur per radium Ap, sicuti per radium AT, inuentum est. Et quia ex scholio propos. 4. lib. 6. Eucl. est, ut lu, ad up, ita ce, ad ed; estque lu, ipsi up, equalis; erit quoque ce, ipsi ed, equalis. Est ergo e, centrum parallelii circa cd, descripti inuentum per rectam Au. Eadem ratione radii Am, An, auferent visam diametrnam tg, eamque bifariam, secabit recta Aa: quia ex eodem lemmate 10. tam rectæ AF, Am, quam rectæ AG, An, similes arcus intercipiunt in circulis eisdem. Cum ergo arcus HV, arcu cui Fm, & arcus IX, arcui Gn, per constructionem similis sit, transibit recta Am, per V, & An, per X, &c. Sic etiam radij At, Aq, per Y, Z, transibunt, & recta Ap, in centrum parallelii per a, descripti incidet; cum ex eodem lemmate 10. arcus similes intercipiant in eisdem circulis rectæ AF, At, &c. Denique radii quoque Af, Ar, per puncta a, b, transibunt. Quoniam enim rectæ AN, A f, versus A, productæ

ductæ intercipiunt, ex eodem lemmate 10. similes arcus, propter æquales angulos ad verticem A; transit autem NA, per L; Nam vt in scholio præcedentis propos. Num. 4. ostendimus, quatuor puncta N, A, L, k, in una recta linea iacent. Igitur SA, producta transibit per a, cum arcus Nf, La, similes sint. Rursus rectæ AN, Ar, productæ versus A, ex eodem lemmate 10. similes arcus abscindunt. Cum ergo NA, transeat per L, vt dictum est, arcusque Lb, arcui Nr, similis sit, transibit r A, producta per b. Recta quoque Ay, versus A, producta cadet in punctum i 2. quod centrum erit paralleli circa diametrū visam & 14. descripti. Nam rursus recta fr, & diameter visa & 14. secantur proportionaliter in y, i 2. cum paralleli sint fr, & 14. hoc est, ita se habet ry, ad ys, vt & 12. ad i 2. i 4; (sumendo & 4. pro concursu rectarū BD, A2.) quod eodem modo demonstrabitur, quo scholium propos. 4. lib. 6. Eucl. probatum fuit. Cum ergo fr, in y, facta sit bisariam, secabitur quoque & 14. in i 2. bisariam.

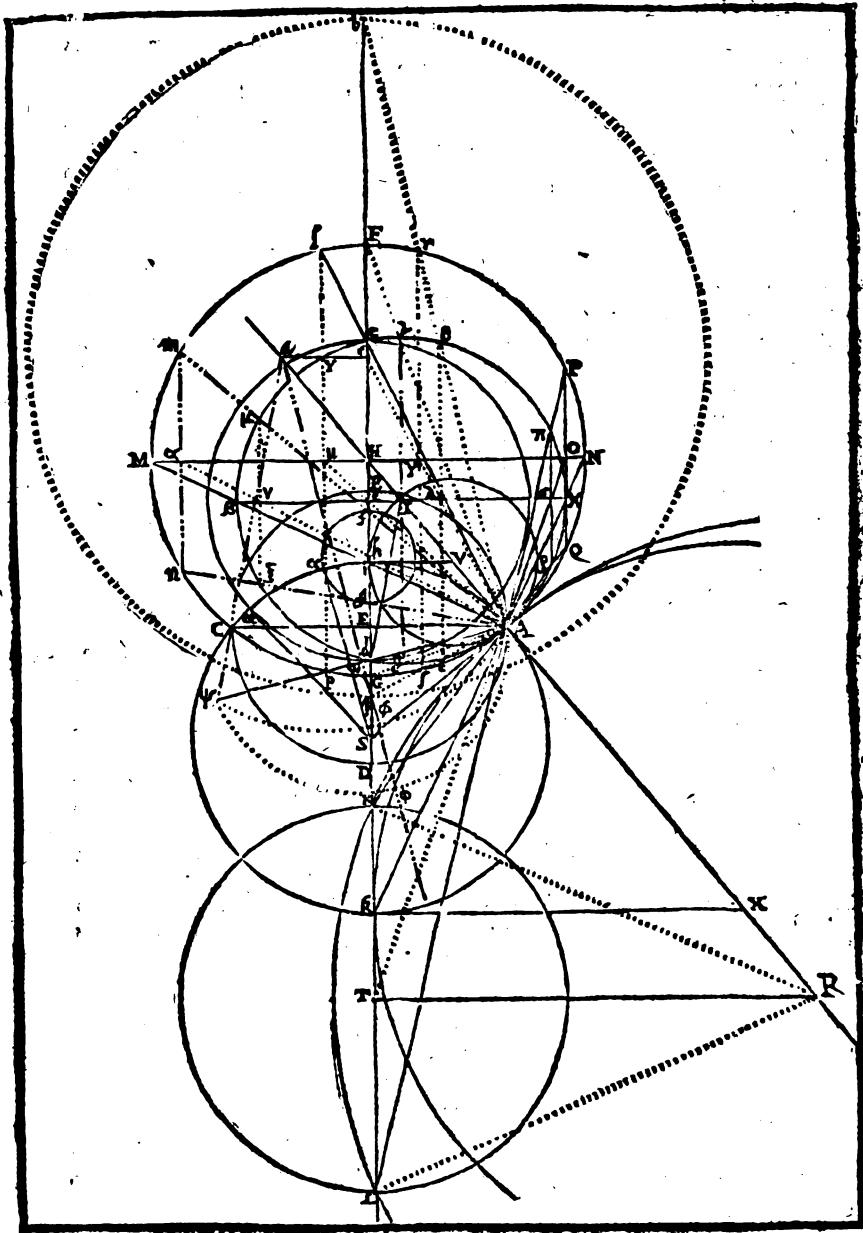
7. ACCIDIT autem ipso que modo exposito, parallelas in Aequatore, & Horizonte ductas, eiusdem ordinis sese intersecare in diametro AC, vel in ea producta. Ita vides parallelas ST, & p, sese intersecante in puncto tt, diametri AC. Item parallelas VX, mn, productas secare AC, productam in uno eodemque puncto aa: parallelas vero YZ, tq, in puncto ss; & parallelas denique a b, fr, productas conuenire in eodem puncto pp, recta CA, productæ. Ratio huius rei hæc est. Quoniam recta AO, cadens ex A, polo australi in O, centrum Horizontis, ad HI, diametrum Horizontis est perpendicularis, (sienim non credatur esse perpendicularis, si ex A, duceretur perpendicularis, caderet ea, vt demonstratum est in præcedenti propos. Num. 3. in centrum Horizontis, atque ita haberet Horizon duo centra, quod est absurdum.)^a erunt AO, KL, parallelæ, ^b ideoque angulus externus cc E tt, interno OAE, æqualis. Cum ergo & recti E cc tt, AEO, æquales sint; æquiangula erunt triangula AEO, E cc tt.^c Igitur erit, vt AE, semidiameter Aequatoris ad AO, semidiametrum Horizontis, ita cc E, sinus arcus HS, ad E tt. Sed per lemma 5. semidiametri eandem proportionem habent. quam sinus arcuum similium. Igitur erit E tt, sinus arcus, qui similis sit arcui HS, hoc est, sinus arcus Fl, qui ostensus est similis arcui HS: ac proinde recta lp, abscindens ex EC, sinus arcus Fl, cadet in punctum tt, vbi recta ST, rectam EC, secat. Eadem quoque in ceteris demonstratio est, cum triangulum E bb æ, triangulo AEO, sit æquiangulum: nec non & triangula E oo ss, Enn pp, eidem triangulo AEO, æquiangula, propter alternos angulos EAO, nn EA, æquales, &c.

Q VONIAM vero ratio hæc secunda inveniendi diametros parallelorum Horizontis percommoda est, ac facilis, liber in ea paulo diutius infistere, varias proprietates, quæ illam consequuntur, demonstrando. Quod ut commodius, & sine confusione linearum fiat, describemus figurâ seorsum, in qua rursus Aequator sit ABCD, cuius centrum E: Horizon AFCG, cuius centrum H. Paralleli Horizontis cum eorum diametris in ipso Horizonte, vt supra, nisi quod arcus, Fl, lm, mM, &c. hic non sunt æquales, vt ibi. Primum igitur circulus circa tria puncta, quorum vnum est polus australis A, è quo omnes radii excent, alia vero duo in extremitatibus diametri visa cuiusvis parallelæ existunt, tangit Horizontem in australi polo A. Ita vides circulum Acd, Horizontem contingere in A. Cum enim diameter visa cd, repertatur per radios ex A, ad extremitates rectæ lp, ipsi FG, parallelæ eductas, vt hic ostensus est Num. 6. erit in triangulo Alp, basi lp, parallela recta cd. Igitur per lemma 40. circuli AFCG, Acd, descripti circa triangula Alp, Acd, mutuo se tangent in A: & I, centrum circuli Acd

Diametri parallelorum Horizontis sicut in Aequatore, & Horizonte, vbi se intersectant.

a 28. primū.
b 29. primū
c 4. sextū,

Circulus per extrema puncta diametri & visa cuiusvis parallelæ Horizontis, & per polum australis descripsum, tangere Horizontem in polo australi.



Acd, exsistet in recta AH, ex A, per centrum Horizontis emissâ: quod inuenitur per rectam dI, facientem cum radio Ad, per d, extremitatem diametri visæ parallelî ducto angulum IdA, angulo IAd, aequalē; ^a quod tunc recta IA, Id, aequalē sint, ac proinde circulus ex I, per A, descriptus transeat per d; ideoque & per c, cum per duo puncta A, d, unus tantum circulus describi possit circulum AFCG, tangens, qualem ostendimus esse eum, qui per tria puncta A, c, d, describitur. Nam si per puncta A, d, alias circulus circulum AFCG, tangens describi posset, tangeret is quoque circulum Acd, cum centrum haberet in recta AH, quod est absurdum, cum eundem vel secaret, vel tangeret quoque in d, Eademque ratione, si in c, altero extremitate diametri visæ parallelî, constitutus angulus angulo cAI, aequalis, cadet recta cum angulum constituens in I, centrum. Idem contingit in parallelis, quorum diametri visæ infra S, centrum Verticalis existunt, & circa alterum polum Horizontis k, describuntur. Sit enim KL, diameter visa, quam exhibent radij AP, AQ, ad extremitates rectas PQ, ipsi FG, parallelæ ducti, ac per A extensi. Dico circulum quoque circa tria puncta A, K, L, descriptum tangere Horizontem in A. Quia namque in triangulis APQ, ALK, latera PQ, LK, parallelâ sunt, circuli AFCG, AKL, circa ea triangula descripti, se mutuo per lemma 40. in A, contingent: atque R, centrum circuli AKL, in recta HA, extensa reperitur per rectam LR, quæ angulum AIR, angulo LAR, vel per rectam KR, quæ angulum AKR, angulo KAR, aequalē constituit. Denique si ex polis Horizontis i, k, ad rectam Fk, excitentur perpendiculares iV, kX, erunt etiam V, X, centra circulorum peri, k, transversantium, Horizontemque tangentium in A. Nam recte iV, kX, erunt parallelae ipsi MN, ob angulos rectos ad H, i, k, ideoque taxt. triangula AHM, AVi, quam AHN, AXK, similia erunt. Igitur erit, vt AH, ad HM, ita AV, ad Vi; & vt AH, ad HN, ita AX, ad Xk. Cum ergo semidiametri AH, HM, HN, sint aequalē, erunt quoque tam VA, Vi, quam XA, Xk, aequalē. Circuli igitur ex V, X, per i, k, descripti transibunt per A, punctum, in eoque Horizontem tangent. Vbi etiam vides, rectas iV, iX, facientes angulos ViA, XkA, angulos VAi, XAk, aequalē, cadere in centra V, X. Nam tam illi duo, quam hi anguli aequalē sunt.

EX hoc sequitur, si desideretur diameter visa alicuius parallelî Horizontis, non determinando eius distantiam ab Horizonte, vel ab eius polo, id dicto ci-
xius fieri possest à quo quis puncto I, in recta AH, assumpto, ad interuallum re-
ctæ IA, beneficio circini duo puncta c, d, absindantur. Nam cd, diameter erit
visa alicuius parallelî, illius videlicet, cuius distantiam ab Horizonte radij Ac,
Ad, determinant in punctis l, p. Cum eniā circulus per A, c, d, descriptus Ho-
rizontem in A, tangat, erunt per lemma 9. rectæ cd, lp, parallelæ. Igitur vt
supra Num. 6. ostensum est, recta cd, diameter erit visa parallelî distantis ab
Horizonte per arcum Fl, vel Gp. Sic etiam, si ex assumpto puncto a, ad inter-
uallum a A, duo puncta b, q, absindantur, erit bq, diameter visa parallelî,
cuius distantia ab Horizonte est arcus Fr, vel G s. Item si ex punto R, assump-
to ad interuallum RA, absindantur duo puncta K, L, erit KL, diameter visa
parallelî, cuius distantia ab Horizonte est arcus FP, vel GQ.

HINC rursus facillima via elicetur, qua ex dato uno extremitate diametri
visæ cuiuslibet parallelî Horizontis, alterum extrellum eruat: quæ res ma-
gnam habet utilitatem in punctis, quæ supra centrum Horizontis longius
excurrunt, inveniendis, quod ibi radij valde oblique meridianam linicam

a 6. primi.

b 28. primi.

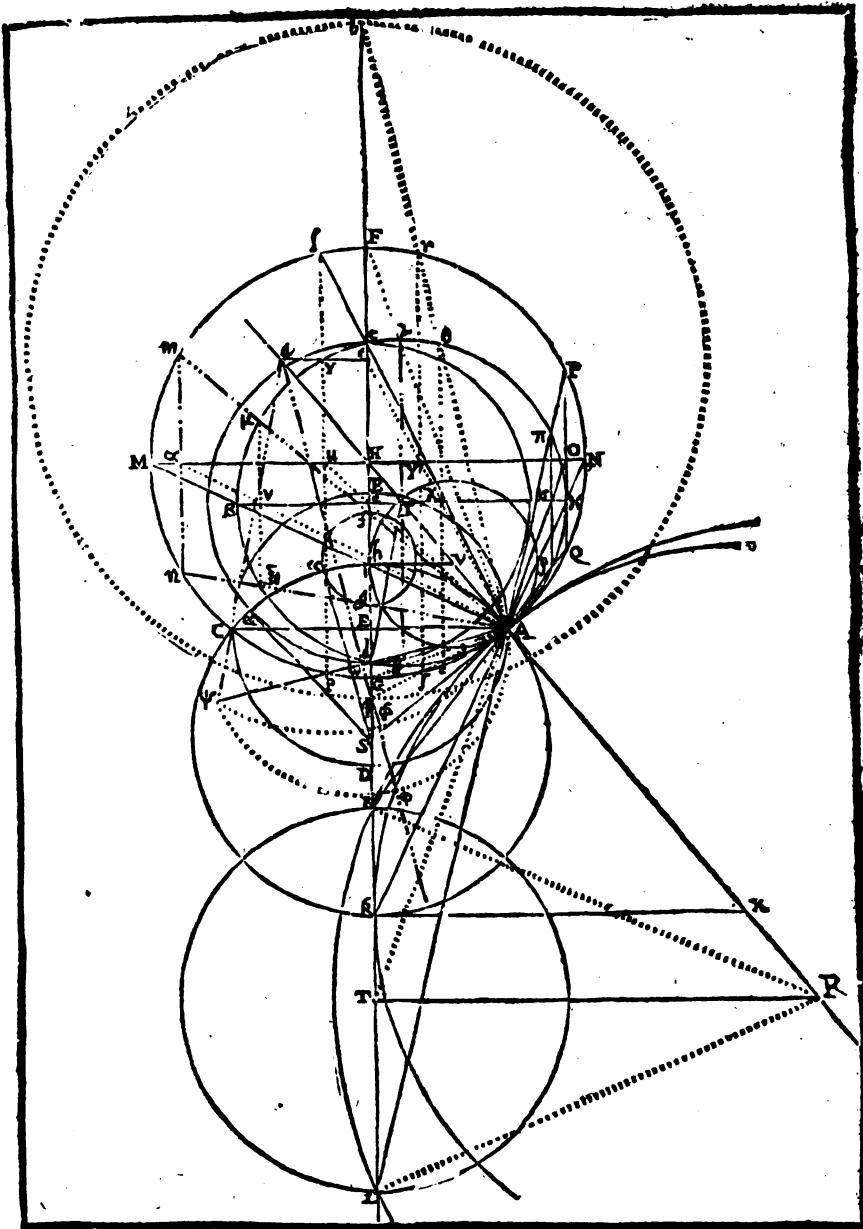
c 4. sexti.

d 5. primi.

Ex meridiana linea A-B-C-D-E-F-G-H re-
ctam absindatur, qua sit diameter
visa alicuius pa-
ralleli Horizontis.

Dato uno extre-
mo diametri vi-
sa cuiuslibet pa-
ralleli Horizontis,
repetere alterum
extremum per circulum, qui
Horizontem tan-
gat, inveniendis
que diametri tem-
per lineam perpen-
dicularem esse bi-
tanum.

Z z inter-

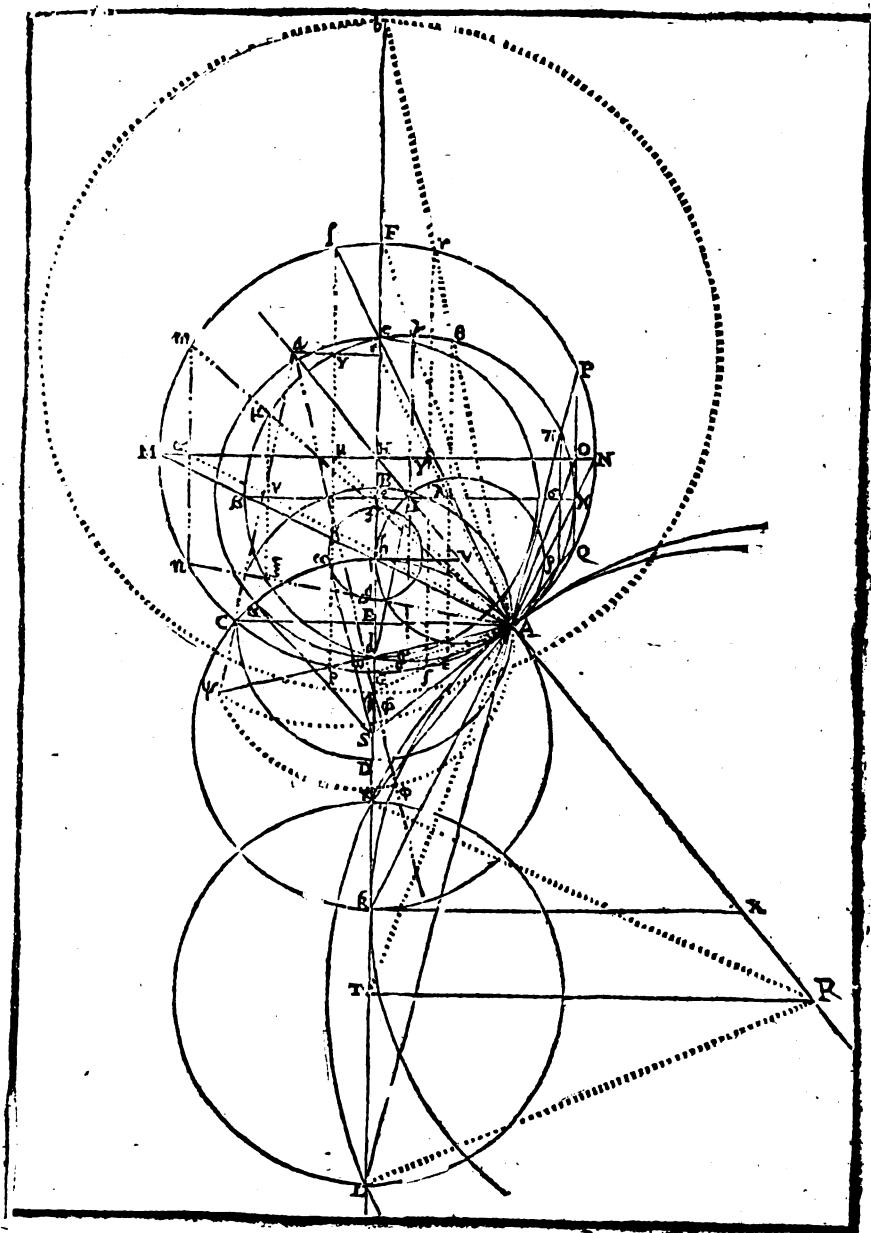


Intersecant. Ita ergo faciemus. Sit data distantia parallelis sub Horizonte arcus Fr, vel Gf, cuius visa diameter investiganda est. Ducto radio Af, secante meridianam lineam in q, (omnes autem hæ sectiones inter i, polum & S, centrum Verticalis minus oblique sunt, ac proinde magis commode,) fiat angulus A q a, angulo q A a, æqualis, secet recta q a, rectam AH, in a; ac tandem ex a, ad interuallum aA, vel a q, sumatur in linea meridiana punctum b, quod dico esse alterum extremum diametri visæ, in quod scilicet radius Ar, incurrit: propterea quod circulus ex a, per A, q, b, descriptus Horizontem tangit in A; ac proinde, ut demonstrauimus, resecat diametrum parallelum Horizontis. Cum ergo q, sit vnum extreorum, erit b, alterum. Quod si forte recta q a, nimis oblique reæ à AH, fecerit, vtcmur hoc artificio. Ex quolibet punto rectæ q a, facientis angulum a q A, angulo q A a, æqualem, describemus per A, arcum q, secantem rectam q a, producdam in in e; & arcui q A, arcum q, æqualem sumemus. Si namq; ducta recta A q, angulo HA q, æqualis fiat angulus A q a, cadet rursus recta q a, in a, sectione eius cum AH, minus erit obliqua. Quod autem q a, incidat in a, vbi A a, q a, conuentunt, constat. Ducta enim ex a, recta a q; quoniam latera q a, a, lateribus A a, a, æqualia sunt, angulosque cointinent ad a, rectos; (Nam recta q a, transiens per centrum arcus a q, secansque eum bisariam in q, secat quoque ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. rectam A q, bisariam, ideoq; ad angulos rectos.)^a erunt & bases a A, a q, & anguli a A q, a q A, æquales: ac proinde rectæ faciens in q, cum recta A q, angulum angulo HA q, æqualem cadet in a. Sic etiam, si diametri KL, extrellum K, inuentum sit per radium QAK, (quod facilis reperitur, quam alterum L, propter sectionem obliquorem) & angulo RAK, æqualis fiat angulus RKA; ac tandem ex R, vbi recta KR, recta HAR, secat ad interuallum RK, meridiana linea secetur in L, erit L, alterum extrellum. Inuenio hac ratione altero extremo, dabit ducta perpendicularis ad lineam meridianam ex punto rectæ AH, ex quo illud extrellum inuentum est, centrum parallelum, hoc est, secabit diametrum visam bisariam. Ita vides perpendicularem Ie, cadere in centrum e, paralleli cd; & perpendicularem a t, in centrum t, paralleli bq; & perpendicularem RT, in centrum T, paralleli KL. Quia enim rectæ RK, RL, æquales sunt, cum ex R, ad interuallum RK, sumptum sit punctum L;^b erunt anguli K, L, æquales: Ponuntur autem & anguli T, recti. Igitur cum latera R K, R L, illis opposita, sint æqualia;^c erunt & latera KT, LT,^d d 26. primi. æqualia. Eademque ratio est in aliis, cum & Id, Ic, & a q, a b, sint æquales, &c.

QVOD si Horizontæ interdum magnitudinis existat, ut vix in eo ob angustiam plani parallelæ ip, mn, &c. duci queant, vti poterimus commodissime quouscirculo Aγβδ, ex aliquo punto rectæ AH, per A, descripto, ideoq; Horizontem tangente in A. Nam si ducamus diametrum βx, diametro MN, vel AC, parallelam, cumq; ad angulos rectos secemys alia diametro γδ, accipiendo sunt arcus γc, cū, δd, dδ, γθ, θτ, τp, p, arcubus Horizontis Fl, lm, Gp, pn, Fr, tP; Gf, fQ, similes, hoc est, circulus Aγβδ, diuidendus, ut Horizon diuideatur, & rectæ ducendæ cd, uξ, θt, τp, &c. quia radii Aγ, Ac, Aμ, &c. cadunt in F, l, m, &c. propterea quod per lemma 9, similes arcus intercipiunt γc, Fl, cμ, lm, &c. Ut igitur in Horizonte, sic in hoc circulo radii Aμ, Aξ, dabunt diametrum apparentem paralleli fg, & radius Aγ, in centrū h, incidet, &c. Itaque si circulus Aγβδ, in partes æquales diuidatur, (quod in figura factum non est,) describetur h̄dem protius parallelis, qui supra Num. 6. per Horizontem descripti sunt.

FACILE quoque ex his demonstrabimus, rectas ex S. centro Verticalis
Z z 2 ad in-

Diametros vias
parallelorum Ho
rizontis per cir
culum, qui Horiz
ontem in polo
australi tangit, in
utruire.



ad intersectiones eiusdem Verticalis cum parallelis ductas, parallelos ibidem tangentes; quales sunt See, Sec. Iuncta. n. recta SA, tangentem Horizontem in A, ut propos. 5. Num. 28. ostendimus. Si igitur describatur circulus Acd, Horizontem tangens in A, transiensque per cd, extrema puncta diametri parallelis, ut paulo ante monstratum est, tangentem eadem rectam SA, hunc circulum in A. Quapropter rectangle sub cS, Sd, quadrato rectam SA, vel See, (qua ipsi SA, aequalis est) et quale erit; ac proinde recta See, parallelum ced, tangentem in ee, & sic de ceteris parallelis circa Zenith i, descriptis. Neque diversa ratio est in parallelis circa Nadir K, descriptis. Nam descripto circulo AKL, Horizontem tangentem in A, transiunctorumque per K, L, extrema puncta diametri parallelis KL, tangentem SA, hunc circulum in A cum perpendicularis sit ad HAR. Igitur rectangle sub LS, SK, aequalis erit quadrato rectam SA, hoc est, quadrato recte ex S, ad intersectionem Verticalis cum parallelo KL, ducta, ac proinde huc recta parallelum in eadem intersectione tangentem. Eademque ratio est de ceteris parallelis circa Nadir k, descriptis.

A T Q V E ex hoc rursus insertur, si inuenientur fuerit vnum extremorum diametri Horizontis, vel eius parallelis, & duabus rectis, quarum prima est intersectum centrum Verticalis S, & extremam inuenientum, secunda verò diameter Verticalis, inueniatur tertia proportionalis, extremum huius punctum esse alterum extremum dianetti. Quia enim SA, tangentem Horizontem, ferit rectangle sub SG, SF, quadrato rectam SA, aequali. Igitur erit, ut SG, ad SA, ita SA, ad SF. Eadem ratione, quia See, tangentem parallellum cd, in ee, erit eius quadratum rectangle sub Sd, Sc, aequali. Igitur erit, ut Sd, ad See, ita See, ad Sc. Quamobrem inuenientur alterum c, si duabus Sd, See, inueniatur tertia proportionalis Sc. & sic de ceteris.

8. E O R V N D E M parallelorum Horizontis diametros vias, etiam si neque in Aequatore, neque in Horizonte diametri eorum ductae sint, reperiens hoc etiam tertio modo. Ex punto A, in priori figura, descripto circulo usque magnitudinis $\gamma\gamma R\theta\theta$, ductaque $\gamma\gamma\theta\theta$. ad AR, perpendiculari, ut quadrantes fiant R $\gamma\gamma$, R $\theta\theta$; sit arcus R ϵ , semissis complementi altitudinis poli, hoc est, semissis illius arcus, qui arcui CK, similis sit, transibitque ducta recta A ϵ , per K, cum per lemma 10. recte AR, AK, ausecant arcum R ϵ , semissim arcus, qui arcui CK, similis sit. Eadem de causa, si arcus $\epsilon\delta$, $\theta\theta$, sint quadrantum semisiles, transibunt ductae rectae A δ , A θ , per H, I, quod K, H, K, I, quadrantes sint. Diuiso iam quadrante $\delta\theta$, qui semicirculo HKI, respondet, in 180. partes aequales, hoc est, utroque arcus $\delta\theta$, $\theta\theta$, in 90. si omnes Almucantariae desiderentur, (Nos utrumque in tres partes distribuimus, ut singula tricennas partes contineant, hoc est, quindenos gradus) abscedent quilibet duo radij ex A, per duo puncta aequaliter distantia à punto ϵ , quod vertici capitis respondet, emissi, ex BD, diametrum apparentem illius parallelis Horizontis, qui tot gradibus à Zenith in sphera absit, quot semigradibus puncta illa duo à punto ϵ , distant, vel qui tot gradibus ab Horizonte distat, quot semissibus graduum duo illa puncta à punctis $\delta\theta$, $\theta\theta$, absunt versus Zenith, si puncta assumpta sint in quadrante $\delta\theta$, aut versus Nadir, quando puncta assumpta sunt à punctis $\delta\theta$, $\theta\theta$, versus $\gamma\gamma$, & $\theta\theta$. Ita ut quadrans $\delta\theta$, respondeat parallelis Horizontis supra Horizontem, partes vero à δ , & θ , versus $\gamma\gamma$, & $\theta\theta$, parallelis infra Horizontem. Verbi gratia. Radii A λ , A ξ , abscedent diametrum cd, paralleli, qui 60. grad. à Zenith distat: quia cum recta A ϵ , A λ in circulo R $\delta\theta$, intercipiant 60. semigradus, ausecent eadem ex Aequatore grad. 60, per Lemma 10.

ac pro-

Verticalis ad intersectiones parallelorum Horizontis cum Verticali ducta, tangenter parallelos in eisdem sectionibus, a 36. tercij. b 37. tercij.

c 18. tercij. d 36. tercij. e 37. tercij.

Dato uno extremo diametri Horizontis, vel eius parallelis, inuenientur alterum extremum, per tertiam proportionalem ad rectam, invenientur extremitates, & centrum Verticalis, & ad unum diameter Verticalis ext.

f 36. tertij.

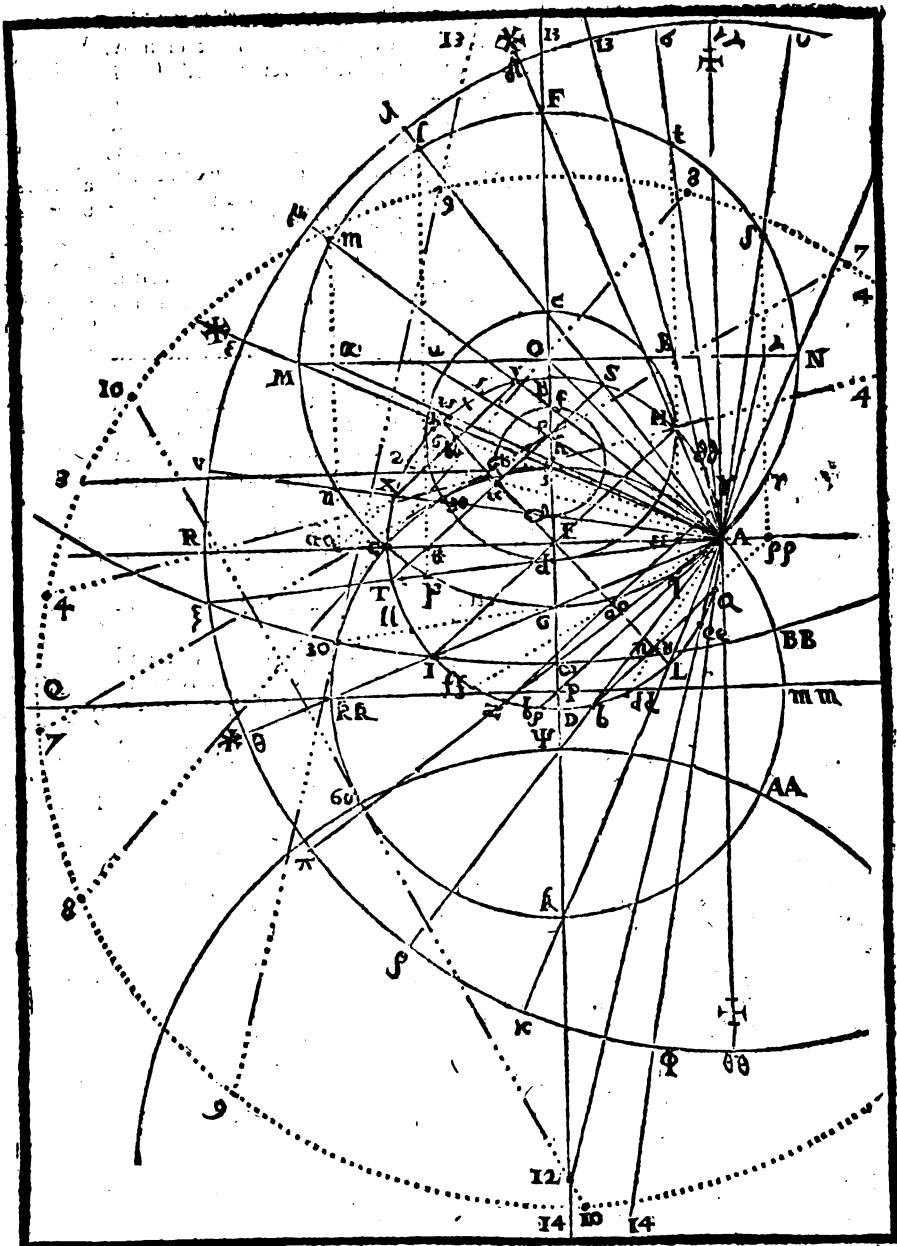
g 16. sexti.

h 36. tertij.

i 16. sexti.

Semidiameter Verticalis medio loco proportionalem esse inter rectam, que inter centrum Verticalis, & alterum extremitatem diametri Horizontis, vel eis paralleli intersectit, & rectam in eisdem sectionibus, & alterum extremum diametri Horizontis, vel eis paralleli posita.

Diametros vias parallelorum Horizontis, regente per arcum quemunque ex polo australi distans.



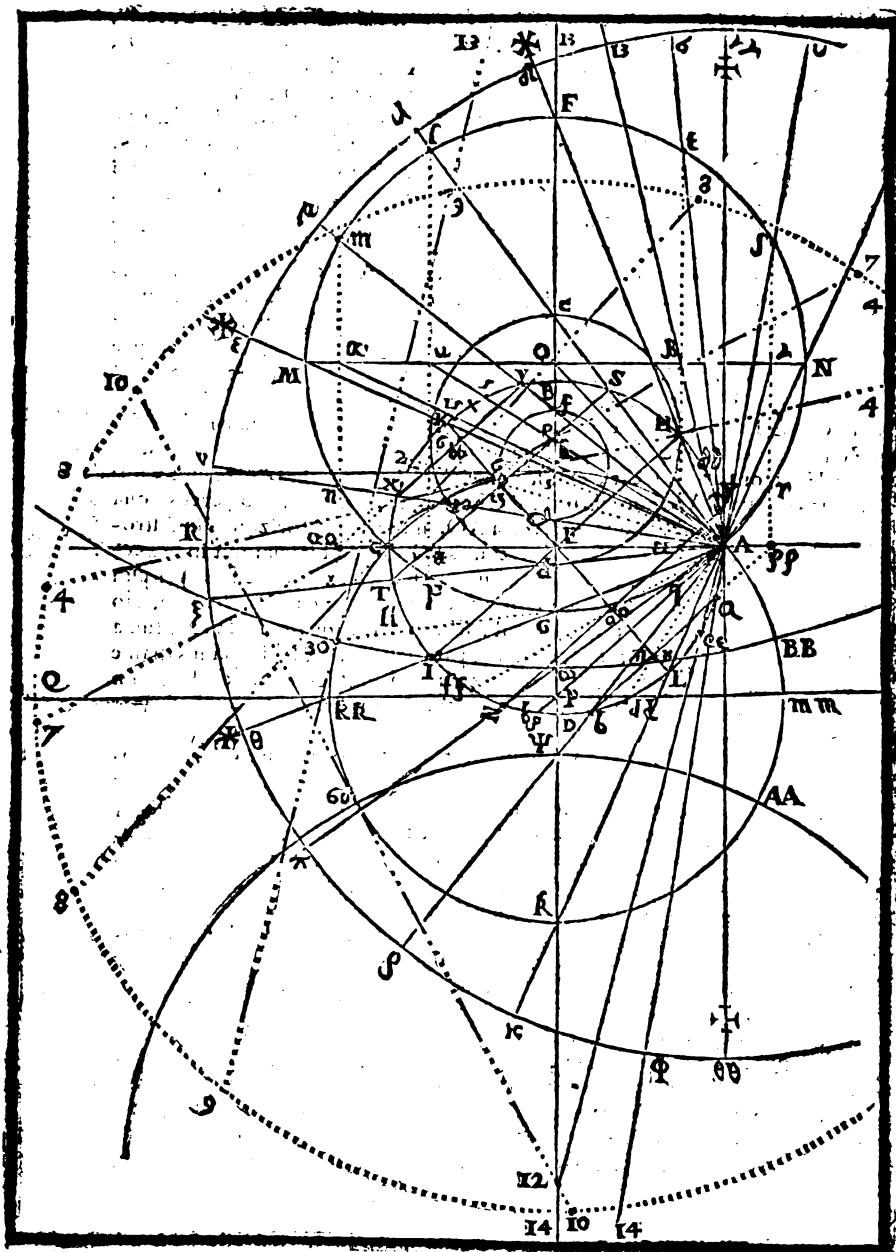
sc proinde radius $A\lambda$, per S , transibit; eademque ratione radius $A\xi$, per Ξ , transibit: Id est ambo per puncta c, d , quemadmodum prius radii AS, AT , transibunt. Simili modo radii $A\mu, Ay$, per V, X , transibunt, diametrumque visam sg, abscondent. Atque hi quidem radii inter s, & puncta δ, θ , existentes inservent diametros parallelorum supra Horizontem. Alii vero radii ultra p u cta δ, θ , diametros parallelorum infra Horizontem abscondent. Ut radii $A\delta, A\pi$, dabunt diametrum visam paralleli, qui per ω , infra Horizontem describi tur. Ambo tamen radii à puncto s, æqualiter distantes, vel à punctis δ, θ , si rectam BD , secat infra punctum P , exhibebunt diametrum parallelum possum antarcticum existentis, quique in Astrolabio infra rectam PQ , circa Nadir k , describitur. Huiusmodi sunt radii $A\nu, Ap$, abscondentes diametrum vi- sam $\varphi 14$. Itaque si omnes tres modi, quos tradidimus, adhibeantur, exquisitiissime inuenientur diametri visae parallelorum Horizontis, cum pro singulis radiis ex A, ducendis habeantur præter punctum A, terna alia puncta, per quæ duci debeant, vnum videlicet in Aquatore, alterum in Horizonte, & tertium in circulo $\gamma\gamma R\theta\theta$, ut ex dictis perspicuum est.

9. C A E T E R V M quemadmodum si angulo CAK, quem cum radio AK, in Zenith cadente, recta AC, per E, punctum, vbi axem Horizontis KL, diameter Horizontis HI, secat, emissa constituit, fiat ex altera parte eius radij angulus æqualis OAK, hoc est, si arcu CK, sumatur à K, versus B, arcus æqua- lis, & per finem recta AO, ducatur; recta AO, in centrum Horizontis in Astro- labio cadit, id est, diametrum visam Horizontis PG, diuidit bifartam, ut in prece- denti propos. Num. 3. ostendimus: ita quoque, si ductæx A, recta A 2. per pun- gulum cc, vbi ST, diameter parallelus Horizontis eundem axem KL, secat, angulo γ AK, fiat æqualis angulus γ AK, hoc est, si arcui 2 K, æqualis arcus K ξ , suma- tur; recta ducta A ξ , incidet in e, centrum paralleli in Astrolabio, cuius dia- meter in sphera est ST, hoc est, visam diametrum cd, eiusdem paralleli bifariam diuidet, per ea, quæ nobis in lemmate 35. demonstrata sunt.^a Nam axis $a 29. primi.$ KL, ad diametrum ST, perpendicularis est, cum perpendicularis sit ad Ho- rizontis diametrum HI, cui ST, æquidistat. Pariter ratione, si ex A, per pun- gulum bb, vbi diameter VX, eundem axem KL, intersecat, recta ducatur Abb α , & arcui K α , æqualis accipiatur K $\beta\gamma$, cadet ducta recta A $\beta\gamma$, in h, centrum paralleli, cuius diameter VX. Item si ex A, per pungulum oo, vbi dia- meter YZ, axem eundem KL, diuidit, ducatur recta Aooff, & arcui K ff, sumatur Kgg, æqualis, vel (quod idem est) arcui Lff, sumatur æqualis, Lgg, cadet ducta recta Agg, in centrum paralleli, cuius diameter YZ. Denique eandem ob causam, si ex A, per punctum nn, vbi diameter ab, eundem axem KL, secat, du- catur Annnd, recta, & arcui L dd, æqualis sumatur Lee, cadet recta producta Aee, in s, centrum paralleli, cuius diameter ab, &c. Eadem enim in omnibus est demonstratio. Idem hoe quadrat etiam in circulum $\gamma\gamma R\theta\theta$. Nam si, verbi gratia, recta A cc, produceretur secans circulum Rs, in puncto aliquo, & arcui inter hoc punctum, & punctum s, æqualis abscondetur, caderet recta per terminum huius arcus ducta in e, centrum paralleli, cuius diameter ST. Nam propter arcus æquales ad utramque partem puncti e, b fierent anguli ad A, cen- trum illis insistentes æquales; ac propterea insisteret quoq; in circulo ABCD, arcubus æqualibus Kz, K ξ . Quare, ut demonstratum est, recta A ξ , caderet in centrum e, &c.

10. P R A E T E R tres modos expositos excogitauimus quartam adhuc ra- tionem pulcherrimam, atque facillimam describendi parallelos Horizontis in Astro-

*Quæ linea ex po-
lo australi emissa
secet diametrum
visum parallelorum
Horizontis in pri-
mo & tertio mo-
do inserviat bisar-
tia, hoc est, in cef-
tra parallelorum
cadat.*

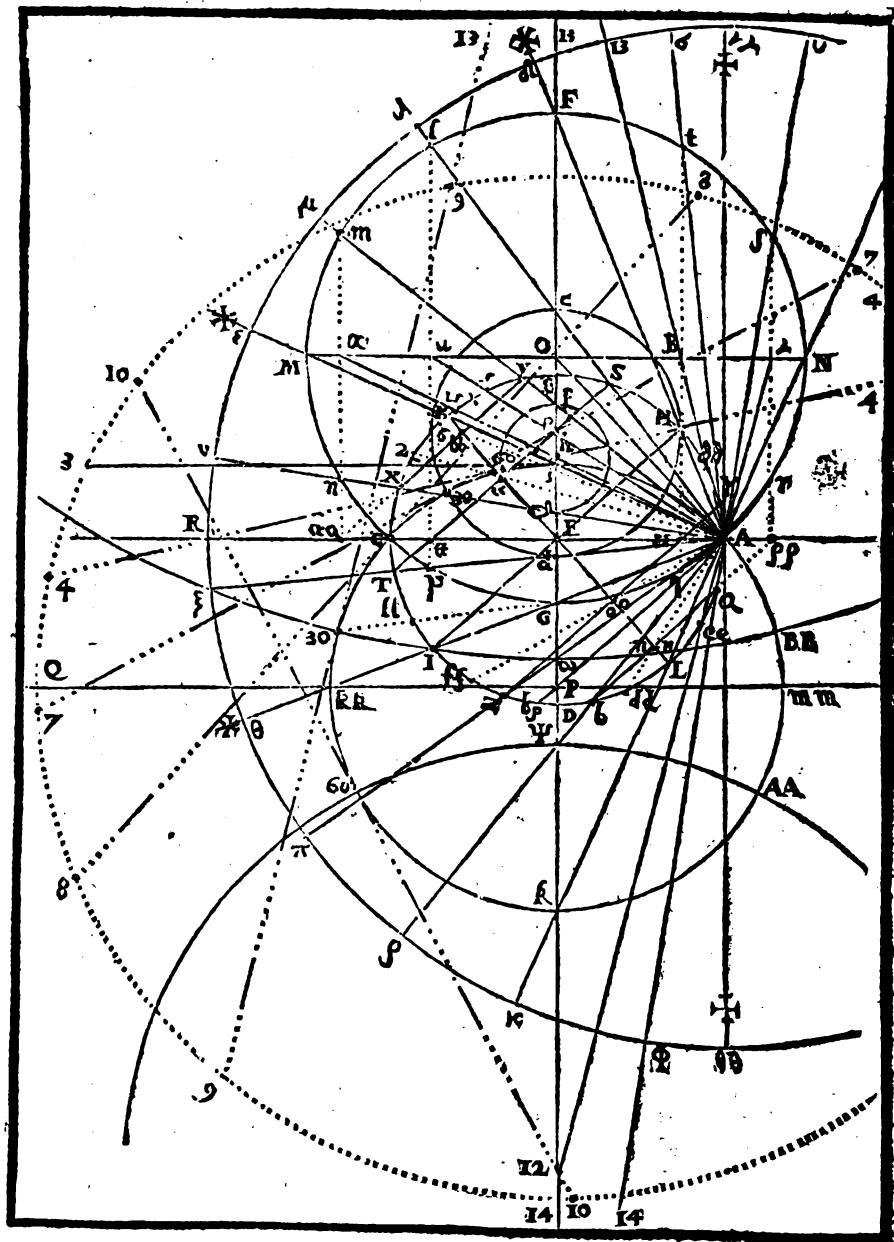
*b 27. tertii.
c 26. tertii.
semidiametrum,
& centrum cuius-
vis parallelis Ho-
rizontis, pervenit
folam lineam.
quæ verticalis
tangit, inservit.*



Astrolabio, qua videlicet per unam solam rectam lineam, quæ Verticalem tangat, inuenitur semidiameter parallelis describendi, eiusque centrum. Ea autem est etiūmodi. Descripto Verticali primario A i Ck, diuidatur eius quadrans i C, in 90. gradus, si omnes parallelis supra Horizontem describendi sint, simili- terque quadrans Ck, si omnes parallelis infra Horizontem desiderentur. Nos utrumque quadrantem in ternas partes partiti sumus, ut singulæ tricenis gradibus respondeant: quæ diuisio exijs, quæ tradita sunt, difficultis non est. Nam si uterque quadrans Aequatoris CB, CD, in tot partes æquales secetur, in quo quadrantes Verticalis diuidendi sunt, & ex G, polo Verticalis (quemadmo- dum n. K, L, poli veri sunt Horizontis, ita H, I, poli veri sunt Verticalis, qui in punctis F, & G, apparent.) per diuisiōnū puncta in Aequatore rectæ occultæ du cantur, diuidetur uterque quadrans Verticalis Ci, Ck, in punctis 30. 60. quæ illis in Aequatore respondent, ut in precedenti propos. Num. 17. demonstratum est in primo modo distribuendi circulos maximos obliquos in gradus, ex- plumque posuimus hic in recta G 30. quæ per II. gradum 30. Aequatoris à C, versus D, numeratum transiens auferit arcum C 30. graduum 30. ex Verticali circulo. Deinde per puncta diuisiōnum utriusque quadrantis in Verticali du cantur rectæ tangentes Verticalē. Hæ namque in meridiana linea BD, indi- cabunt centra parallelorum per eadem illa puncta Verticalis describendorum, ita ut portiones tangentium inter puncta contactum, & rectam BD, sint pa- rallelorum semidiametri. Exempli gratia. Per C, si ducatur recta C 08. tan- gens Verticalē in C, cadet ea in O, centrum Horizontis, qui est omnium il- lorum parallelorum maximus, semidiameter autem erit OC. Igitur circulus ex O, per C, descriptus dabit Horizontem. Sic recta 30. e 7. tangens Vertica- lem in punto 30. quadrantis Ci, cadet in e, punctum, ex quo per punctum illud 30. circulus descriptus dabit parallelos Horizontis, qui 30. gradibus ab eo versus Zenith distat. Recta autem 60. e 4. tangens Verticalē in punto 60. eiusdem quadrantis Ci, præbebit h, centrum paralleli per punctum 60. descri- bendi, qui 60. grad. ab Horizonte versus Zenith distat. Simili modo recta 30. e 13. Verticalem tangens in punto 30. quadrantis Ck, secabit DB, protra- ctam in centro paralleli per punctum 30. eiusdem quadrantis Ck, describendi, qui 30. gradus sub Horizonte latet. Denique recta 60. e 12. tangens Verticalem in punto 60. eiusdem quadrantis Ck, transibit per 12. centrum paralleli per il- lud punctum 60. describendi, qui 60. gradibus ab Horizonte versus Nadir re- codit. Eademque ratio est de ceteris. Demonstratio huius descriptionis, que inter omnes magis mihi placet, hæc est. Paralleli transeunt necessario per pun- eta in Verticali hoc modo inuenta, cum hæc referant illa puncta Verticalis pri- marij in sphera, per quæ paralleli, quos hi in Astrolabio descripti referunt, ducuntur. Quoniam vero, ut supra Num. 7. demonstrauimus, rectæ lineæ ex P, centro Verticalis ad puncta, vbi Verticalis parallelos secat, emissæ tangent parallelos in eisdem illis punctis, erunt rectæ ex illis punctis ad centra pa- rallelorum ductæ, perpendiculares ad prædictas rectas ex P, centro Verticalis ad puncta intersectionum Verticalis cum parallelis ductas. Igitur ex eisdem illis rectæ ex centris parallelorum ductæ, cum sint ad semidiametros Verticalis, hoc est, ad rectas ex centro B, eductas, perpendiculares, Verticalem ijs- dem in punctis tangent, ex coroll. propos. 16. lib. 3. Eucl. Quare lineæ rectæ Verticalem tangentes per centra parallelorum transibunt, quandoquidem re- tæ ex his centris ad puncta sectionum Verticalis ductæ, Verticalem tangent, ut ostendimus alioquin duæ rectæ Verticalem in eodem punto tangerent, illa

A 22 videlicet,

a 18. tertij.



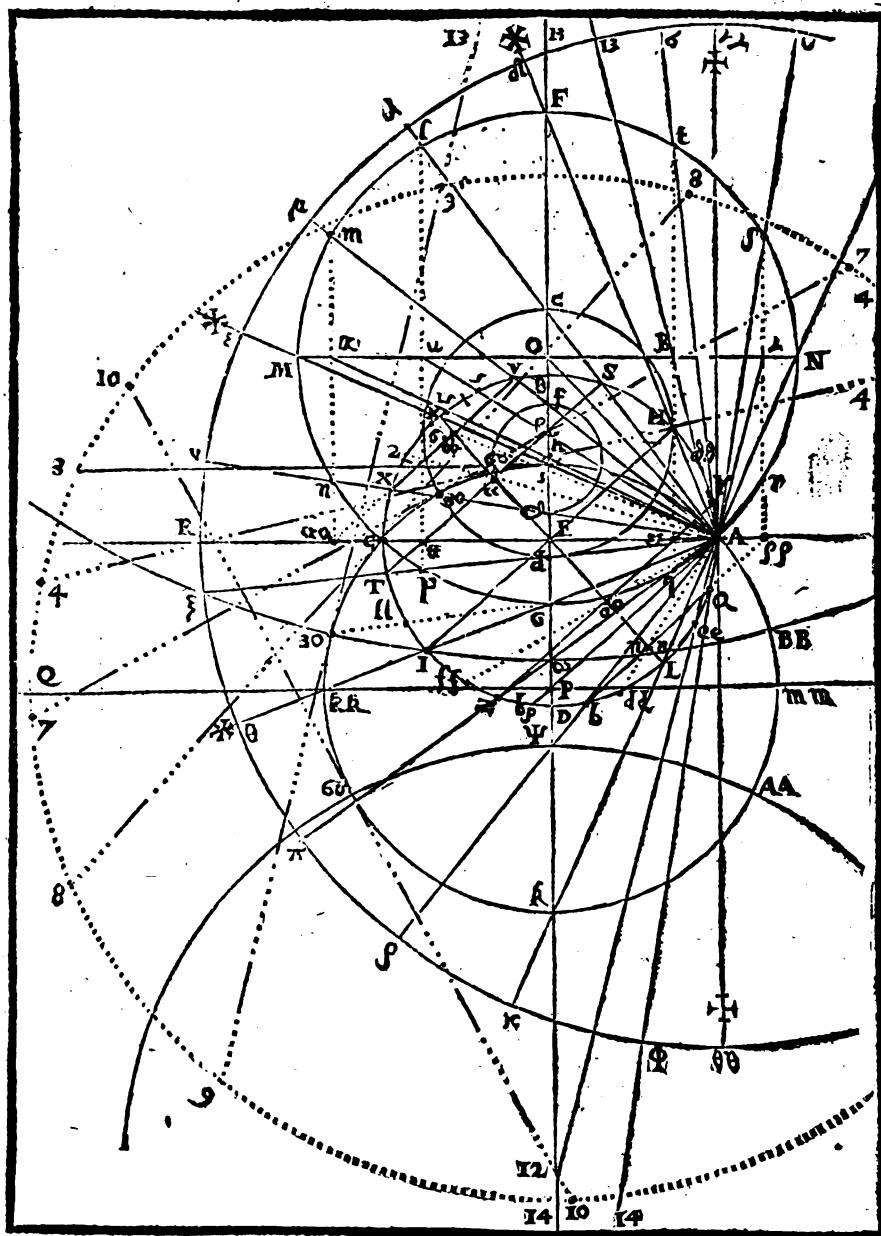
videlicet, quæ ex puncto sectionis ducitur tangens Verricalem, & illa, quæ ex centro paralleli ad idem sectionis punctum ducitur. quod est absurdum.

11. HOC autem artificio, si plures paralleli proponantur describendi, lineas Verticalem tangentes sine magno labore duce mus. Descripto ex P, centro circuli Verticalis, circulo cuiuscunque magnitudinis, occulto tamen, ne confusio gignatur, qualis est Q₄ 3 9. ducatur ex il, ad ik, perpendicularis i 3. secans circulum descriptum in 3. Nam si beneficio circini interuallum i 3, acceptum transferas ex quolibet punto circuli Verticalis in circumferentiam Q 4 3 9. ex P, descriptam, sive in utramque partem, sive in alteram tantum, recta linea ex invento punto in dicta circumferentia descripta, per illud punctum Verticalis ducta tanget Verticalem in eodem illo punto. Ut quia ad interuallum i 3. ex punto Verticalis 60. in quadrante i C, circinus secat utrinque circumferentiam in punctis 4. 4. tangentibus 4 60 4. Verticalem in punto 60. Eadem ratione, quia circinus eodem interuallo ex punto 30. eiusdem quadrantis secat circumferentiam utrinque in punctis 7. 7. tangentibus 7 30 7. Verticalem in 30. Rursus idem interuallum ex C, dat utrinque in circumferentia puncta 8. 8. Igitur recta 8 C 8 tangentibus Verticalem in C. Item quia interuallum idem ex punto 30. quadrantis Ck, secat circumferentiam ex utraque parte in 9. 9. tangentibus 9 30 9. Verticalem in 30. Denique quoniam idem interuallum exhibet utrinque in circumferentia puncta 10. 10. ex punto 60. eiusdem quadrantis, recta 10 60 10, Verticalem in 60. contingat. Atque ita de ceteris. Ratio huius operationis est, quod omnes tangentes inter Verticalem i C k, & circulum 3 4 7. aequaliter sunt per lemma 48. Quin etiam quia, vt in eodem lemmate demonstratum est, arcus inter bipartitiones tangentes positi, similes sunt; si arcui i 60. similis accipiatur 3 4; & arcui i 30. arcus 3 7 3; & arcui i C, arcus 3 8; & arcui i C 30. arcus 3 9; & arcui i C 60. arcus 3 10. (quod facile fieri, si ex P, centro Verticalis per puncta Verticalis i, 60. 30. C, &c. recte emittantur. Hæ namque ex circulo descripto 3 4 7. arcus similes abscedunt, qui ex punto 3. in circumferentiam 3 4 7. transversi sunt.) habebuntur eadem puncta 4. 7. 8. 9. 10. per quæ tangentes lineæ ducendæ sunt.

EX his omnibus facile colligere licet, nullum parallellum Horizontis, quamvis minimum, centrum habere in ipso polo i. Quia enim recta A i, per polum i, extensa cadit in M, extrellum punctum diametri Horizontis, vt in scholio precedentis propositionis Num. 14. monstratum est, recta autem ex A, per centrum cuiusvis parallelis ducta cadit in aliquod punctum interius eiusdem diametri Horizontis MN, in illud videlicet, per quod transit recta ipsi FG, aequidistans, respondens diametro parallelis in Aequatore, vt paucum ante Num. 6. ostendimus, perspicuum est, centrum cuiusvis parallelis a polo i, esse diuersum, quandoquidem recta ex A, per centrum, & polum i, emissæ inter se differunt. Quod etiam probari potest ex iis, quæ Num. 9. demonstramus. Nam cum centrum reperiatur per rectam ex A, educam ad punctum Aequatoris tanto spatio distans a polo K, versus B, quanto ab eodem polo K, recta ex A, per intersectionem diametri parallelis cum axe K L, emissæ absit versus C, vt ibi ostendimus; manifestum est, rectam ex A, per centrum ductam rectam A K, diuersam esse. Idem denique ex iis etiam constat, quæ Numero 10. demonstrata sunt: quia nimirum recta tangens Verticalem in punto, ubi à parallelo secatur, cadit in centrum parallelis; qua: quidem tangens nullo modo in punctum i, eadere potest, cum recta ab intersectione parallelis cum a 2. tertij.

*Pravis facilis ad
plures lineas du-
cendas, quæ dato
circulum in certis
punctis tangent.*

*Centrum reipar-
tis parallelis Ho-
rizontis ab eius
polo diuersum es-
se.*



Verticali ad i^{us}ducta, intra Verticalem cadat, non autem tangat.

12. N O N est autem prætereundum, ex quolibet parallello Horizontis descripto in Astrolabio describi posse parallelum oppositum, etiam si eius diameter apparet non sit invēta. ^a Quoniam enim per quodlibet punctum circuli nō maximi in sphera circulus maximus eum tangens potest, ^b tanget circulus ille maximus alium non maximum priori equalē ac parallelum. Cum ergo per Coroll. propos. 6, lib. 2. Theod. puncta contactuum per diametrum spherae sint opposita, erit cuilibet puncto assignato in quovis parallelo Horizontis aliud per diametrum spherae oppositum in parallelo opposito, illud nimirum, in quo circulus maximus proforem parallelum tangens in assignato punto, posteriorem parallelum oppositum tangit. Quamobrem si tribus punctis quibusvis in descripto parallelo assignatis inueniantur tria puncta per spherae diametrum opposita, vt mox docebimus, & per hanc circulus describatur, descriptus erit parallelo oppositus. Describetur autem per tria illa puncta circulus, si centrum inueniatur ex scholio propos. 5. lib. 4. Eucl. (quod tamen hic facile inuenietur, cum semper existat in meridiana linea BD,) vel quando centrum nimis procul distat, per instrumentum, quod in lemmate 14 construximus.

13. C A E T E R V M hac ~~ad~~ quilibet punto in Astrolabio dato oppositum punctum per diametrum reperiatur. Ducta ex dato punto recta linea per centrum Astrolabij, inueniatur per Lemma 12. duabus lineis, quarum prior sit recta inter datum punctum, & centrum Astrolabij intersecta, posterior vero Aequatoris semidiameter, tertia proportionalis, cui ~~ex~~ qualis abscindatur ex illa recta per centrum Astrolabij ducta, initio facto ab eodem centro. Nam terminus erit punctum oppositum. Quoniam enim, vt supra ostendimus propos. 4. Num. 11. semidiameter Aequatoris medio loco proportionalis est inter duas semidiametros parallelorum Aequatoris oppositorum, fit, vt posita linea inter centrum Astrolabij, & datum punctum semidiametro vnius parallelis Aequatoris, altera linea inter idem centrum Astrolabij, & inuentum punctum, sit semidiameter parallelis Aequatoris opposito, ac proinde inuentum punctum dato punto sit oppositum per diametrum. Inueniatur autem tertia proportionalis facili negocio ea ratione, quam ad finem Lemmatis 12. explicauimus. Nam si ad rectam ex dato punto per centrum Astrolabij eiectam excitetur diameter Aequatoris ad angulos rectos, & per extrema puncta huius diametri, & punctum datum circulus describatur, abscindet is tertiam proportionalem, vt ibi demonstrauimus, &c.

F A C I L I V S inueniemus cuius puncto dato punctum oppositum hac ratione. Detur in superiori figura punctum F, extra Aequatorem, à quo per centrum E, ducta recta FG, excitetur ad eam in E, perpendicularis EA, & ad iunctam AF, perpendicularis erigatur AG, secans FG, in G: quod fieri, si arcus Aequatoris BH, ~~ex~~ qualis sumatur oppositus DI. Nam recta AI, ad AF, perpendicularis erit, hoc est, angulus HAI, in semicirculo HAI, rectus erit: Nam punctum G, per diametrum erit puncto F, oppositum, per ea, quia in scholio prop. 5. Num. 20. demonstrata sunt. Rursum detur punctum i, intra Aequatorem, à quo per centrum E, ducta recta ik, excitetur ad eam in E, per perpendicularis EA, & ad iunctam iA, perpendicularis erigatur Ak; eritque rursus k, punctum per diametrum puncto i, oppositum. Quod si quando contingat, perpendiculararem Ak, valde oblique secare rectam ik, commode ita agemus. Producta AE, usque ad C, describemus per tria puncta A, i, C, circulum. Hic enim secabit

^a 14. 2. Tb.
^b 6. 2. Tb.

Ex quois parallelo Horizontis in Astrolabio descripto, parallela oppositum describere, etiam si eius diameter inveniatur non sit.

Dato punto in Astrolabio punctum per diametrum spherae op postu reperiatur.

c 35. tertii.

31. tertij. secabit i k, in k, puncto per diametrum puncto i, opposito, * cum angulus i Ak, in semicirculo rectus sit. Quo pacto autem dato puncto paralleli inueniatur pū etum in eodem per eius diametrum oppositum, docēmus propos. 14. Num. 4. Quando datum punctum fuerit in circumferentia alicuius maximi circuli, dabit recta ex eo per centrum Astrolabij duxa, in circumferentia eiusdem circuiti punctum per diametrum oppositum.

14. Q V I A vero, vt in scholio antecedentis propos. Num. 10. demonstravimus, qualibet recta linea per centrum Astrolabij traecta indicat in quoouis circulo maximo obliquo duos puncta per diametrum opposita, fit, vt recte linea ex punctis, in quibus Verticalis datum parallellum secat, per centrum Astrolabij extensæ, indicent in eodem Verticali duo puncta illis opposita. Verbi gratia. Descriptio parallelo Horizontis c 30 d, si ex puncto 30. vbi à Verticali secatur, per E, centrum Astrolabij ducatur recta linea, secabitur Verticalis in BB, puncto opposito: Eademque ratione recta ex altera intersectione Verticalis, & prædicti paralleli, per E, duxa exhibebit in Verticali punctum quoque oppositum 30. Quod si duabus rectis Ec, EB, reperiatur tertia proportionalis E ω , (quod facile fiet, si per tria puncta A, e, C, circulus describatur. Hic enim abscondit tertiam proportionalem E ω , vt ad finem Lemmatis 12. ostensum est.) erit punctum ω , puncto c, oppositum. Per tria ergo puncta 30. ω , BB, parallelus ipsi c 30 d, oppositus describiens est. Et si pluribus punctis paralleli c 30 d, parum inter se distantibus opposita puncta reperiantur, describetur oppositus parallelus per plura illa puncta, (si nimirum puncta illa coniungantur per lineam curuam) etiam si centrum non inueniatur, neque per instrumentum Lemmatis 14. descriptio fiat. Rursus si ex punctis duobus, vbi Verticalis parallellum f 60 g, intersecat, per centrum E, recte emittantur, secabitur Verticalis in punctis AA, 60. quæ illis opponuntur. Et si fiat, ve Ef, ad EB, ita EB, ad aliud, inuenietur punctum \downarrow , puncto f, oppositum. (Id quod facile etiam fiet, si per tria puncta A, f, G circulus describatur. Hic enim abscondit tertiam proportionalem E \downarrow , vt ad finem Lemmatis 12. demonstrata est.) ac propterea parallelus ipsi f 60 g, oppositus, per puncta 60. \downarrow , AA, describendus erit.

15. QVOD si cuicunq; alij puncto, nimirum puncto α , in recta MN, inueniendum sit punctum oppositum, ducenda erit recta ex α , per E. Nam si fiat, vt E α , ad EB, ita EB, ad aliud, inuenietur tertia linea, cuius terminus à puncto E, incipiendo est punctum ipsi α , oppositum. Et sic de cæteris: quæ quidem tertia linea reperietur facili negotio, per ea, quæ ad finem Num. 13. paulo ante scripsimus.

16. EX hoc rursum inueniemus in dato parallelo Aequatoris quocunque punctum, in quo secetur à parallelo Horizontis, qui quotlibet gradibus ab Horizonte distet versus Nadir, etiam si parallelus hic nō describatur: quæ res commodissima est, quando parallelus parum à recta PQ, distat, hoc est, cuius distantia ab Horizonte formè æqualis est altitudini poli AH: huiusmodi enim parallelis descriptio difficillima est, quod eius centrum nimis procul distet, & parallelus ipse in Astrolabio recta quasi linea existat. Ita ergo progrediemur. Sit v. g. inuestigandum punctum, in quo parallelus Horizontis distans ab ipso Horizonte versus Nadir grad. 40. parallellum Aequatoris, cuius declinatio australis sit grad. 20, intersecet. Descriptio parallelo Aequatoris opposto, cuius scilicet declinatio borealis sit grad. 20. & insuper parallelo Horizontis opposito, qui

Punctum in parallelo Aequatoris undique dato invenire, in quo è parallelo Horizontis infra Horizontem proprie secetur, quam de secur, etiam si descriptus non es.

qui videlicet grad. 40. ab Horizonte versus Zenith recedat; si à punctis, vbi hi duo paralleli se intersecant, per centrum E, rectæ ducantur, secabitur datum parallelus Aequatoris in duobus punctis, quæ illis duobus opposita sunt; ac proinde in quibus parallelus Horizontis propositis parallelum Aequatoris datum secaret, si descriptus esset, propterea quod oppositi parallelæ ducuntur per opposita puncta in sphera. Quod si quando contingat, parallelum borealem Aequatoris dato parallelo australi oppositum à descripto parallelo Horizontis non secari, argumento est, neque australem proutum à nominato parallelo Horizontis secari posse. Sed veres planior fias, sit inuestigandum punctum, in quo parallelus Horizontis grad. 30. sub Horizonte Aequatorum diuidat. Descripto ergo parallelo Horizontis grad. 30. supra Horizontem circa diametrum cd, qui Aequatorem secet in H, (Aequator enim, cum sit circulus maximus, oppositum parallelum non habet, qui describatur) ducatur ex H, per E recta HE, secans Aequatorem in I; eritque I, punctum oppositum puncto H. Cum ergo parallelus Horizontis grad. 30. sub Horizonte, qui videlicet parallelo diametri cd, opponitur, transeat necessario per punctum puncto H, oppositum, secabit omnino Aequatorem in punto I, quod puncto H, opponitur, atque ita inuentum est punctum I, etiamli parallelus Horizontis BB & 30. descriptus non esset. Sumpsimus pro exemplo puncta H, I, extrema diametri Horizontis, quia licet non omnino in his prædicti paralleli Horizontem intersecant, non procul tamen ab illis intersectiones sunt, ut satis aptè per illa res explicetur, ne aliam lineam cogamur ducere, majorque consilio in figura oriatur. Quod si quis peteret punctum, in quo parallelus Horizontis grad. 60. sub Horizonte Aequatorem secet; describendus foret parallelus Horizontis grad. 60. supra Horizontem, circa diametrum fg. Sed quia hic Aequatorem non secat; sed totus intra ipsum existit, dicemus parallelum Horizontis grad. 60. infra Horizontem nullo modo Aequatorem secare. Id quod perspicuum est in parallelo AA & 60. Et sic de ceteris.

17. EX his, quæ dicta sunt, nullo negotio quemcunque parallelum Horizontis, cuius ab Horizonte distantia data sit, sive versus Zenith, sive versus Nadir, describemus. Sit enim describendus v. g., parallelus Horizontis grad. 30. versus Zenith. In primo modo, numerabimus in Aequatore à diametro vera Horizontis HI, versus Zenith K, grad. 30. usque ad S, T, ut habeatur eius diameter in sphera ST, Radij, enin AS, AT, resecabunt diametrum visam cd, propositi paralleli. In secundo autem modo, eisdem 30. grad. supputabimus à diametro visa Horizontis FG, versus M, usque ad h. p. Nam radj. Al, Ap, eandem visam diametrum cd, dati paralleli abstinent. At in tertio modo, in circulo γγRθθ, numerabimus à punctis δ, θ, versus ε, partes 30. ex ijs 90. in quas uterque arcus εδ, εθ, diuisus est, usque ad λ, ξ. Radj. n. Aλ, Aξ, eandem diametrum visam cd, exhibebunt. Denique in 4. modo, in Aequatore à punto C, versus B, sumemus arcum grad. 30. & per eius terminum ex G, polo Verticalis rectam ducemus, quæ Verticalem fecet in 30. Nam recta tangens Verticalem in 30. offeret e, centrum dati paralleli per punctum 30. describendi, &c. Quod si describendus sit parallelus Horizontis grad. 30. versus Nadir, numeratio ab eisdem terminis instituenda est in contrarias partes: ut in primo modo, à diametro HI, versus L; In secundo à diametro FG, versus N; In tertio à punctis δ, θ, versus γγ, &

Parallelum Re-
izontis in sphera
derū, in alio
modo describere.

yy, & 60; In quarto denique, a puncto C, in Aequatore versus D, &c.

Dico parallelō
Horizontis in A-
strolabio, quanta
fi: cū ab Horiz-
onte distantia:
cognoscere.

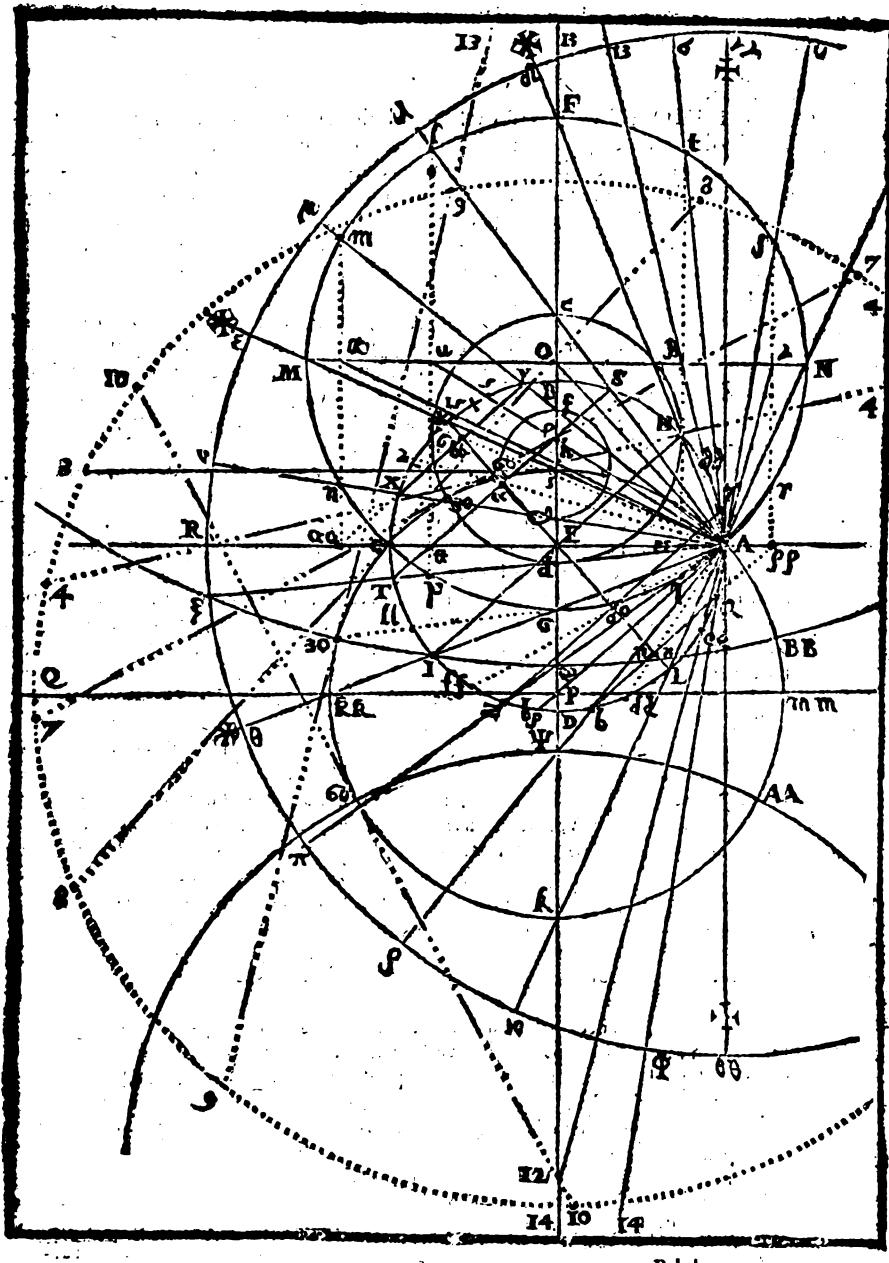
18. V I C I S S I M cognoscemus, quantum quilibet parallelus Horizontis in Astrolabio descriptus ab Horizonte absit siue versus Zenith, siue versus Nadir, hoc modo. Sit descriptus parallelus Horizontis secans meridianam lineā BD, in c, d, punctis, a quibus ad A, polum australē recta ducantur cA, dA, Aequatorem secantes in S, T. Vtq. enim arcus HS, IT, comple&it distantiam descripti parallelī ab Horizonte, versus K, Zenith. Necesse est autem, si error commissus non sit, ducam rectam SD, parallelam esse diametro Horizontis HI, hoc est, arcus HS, IT, esse æquales. Sit rursus descriptus parallelus Horizontis AA, & 60, secans lineam meridianam BD, in f, puncto, quod satis est, licet alterum punctum sectionis, propter nimis magnam distantiam, nequeat haberi, ducaturq. recta fA, secans Aequatorem in b. Nam arcus Ib, metitur distantiam eius parallelī ab Horizonte versus L, Nadir, & sic de ceteris.

I D E M assequemur hoc ēt modo. Ex G, polo Verticali ducatur per punctū sectionis parallelī dati cum Verticali recta linea secans Aequatorem. Nam arcus Aequatoris inter hanc rectam, & punctum B, indicabit distantiam paralleli a Zenith i; ac proinde eius complementum erit distantia eiusdem ab Horizonte. Ut recta G 30, per sectionem parallelī 30 & BB, cum Verticali secat Aequatorem in II. Igitur BI, arcus est distantia paralleli a Zenith i; arcus vero DI, monstrat distantiam eiusdem a Nadir k. Denique CI, arcus est d.stantia eiusdem infra Horizontem. Atque ita de ceteris Ratio est, quia recta ex G, polo Verticali emissā auferunt ex Aequatore, & Verticali arcus æqualem numero graduum, ut in præcedenti propositione Num. 17. demonstratum est. Quando tamen non constat, propositum circulum esse vnum ex parallelis Horizontis, venditū est priori ratione. Nam per eam simul cognoscimus, num datum circulus sit vnas ex parallelis Horizontis, neone, prout scilicet inuenta fuerit, eius diameter diametro Horizontis parallelā, aut non. Quem autem circulum in sphera referat, quando eius diameter inuenta non æquidistat diametro Horizontis, propos. 17. explicabimus.

Quodquod omnia
que de parallelis
Horizontis descri-
bendis dicitur sūt,
ad describendos
parallelos aliquā
circulorum, maxi-
morū obliquū
sum, ad Meridianū
tamen recto
rum accommoda-
tur.

19. O M N I A , que de parallelis Horizontis in Astrolabio describendis præcepimus, nullo negotio ad alios circulos obliquos, qui ad Meridianum recti sunt, transferentur, si in primo modo descriptionis parallelorum, diametro circuli maximi obliqui, cui circuli, describendi æquidistant, paralleles recte ducantur in Aequatore per gradus eiusdem Aequatoris, quemadmodum Horizontis diametro HI, paralleles ducte fuerunt ST, VX, &c. In secundo autem modo, pro Horizonte AFCG, accipiatur proprius circulus maximus obliquus, atque in gradus distribuantur, facta initio a meridiana linea Astrolabij BD, &c. Ut si parallelī Verticali primarij describendi forent, ducentæ essent in primo modo, diametro KL, paralleles; & in secundo, Verticali AiCk, in gradus distribuerentur, principio sumpto a punctis i, & k. In tertio vero modo pro puncto s, quod ipsi Zenith, siue polo Horizontis superiori respōdet, assumatur in eodem circulo ex A, descripto punctum respondens alterutri polarum circuli maximi, cui parallelī describendi æquidistant in sphera, & pro punctis f, g, que extremis punctis diametri Horizontis HI, respondent, recipiantur puncta extremitis punctis diametri assumpti circuli maximi obliqui respondentes: Ut in parallelis Verticali circuli describendis accipendum est pro eis, alterutrum punctorum f, g: Hæc enim polis Verticalis respondent: Deinde puncta s, x, pro punctis f, g, accipienda &c: In quarto denique modo, pro Verticali primario ad Meridianum recto, & per polos Horizontis ducto, adhibetur circulus maximus ad Meridianum

num



num rectus, & per polos circuli maximi assumpti ductus; pro polo autem Verticalis G, sumatur polus circuli maximi, qui vices Verticalis gerit. Ut in eisdem parallelis Verticalis describendis, adhibendus est Horizon, eiusque polus I, &c.

Quo pacto omnia, quae de parallelis Horizontis describendis dicta sunt, ad deficiendos parallelos eiusius alterius circuli maximi obliqui, & qui ad Meridianum quoque obliquum sit, accommodeatur.

Parallelos eiusius circuli maximi obliquum gradus distribuere ex eorum polo superiori.

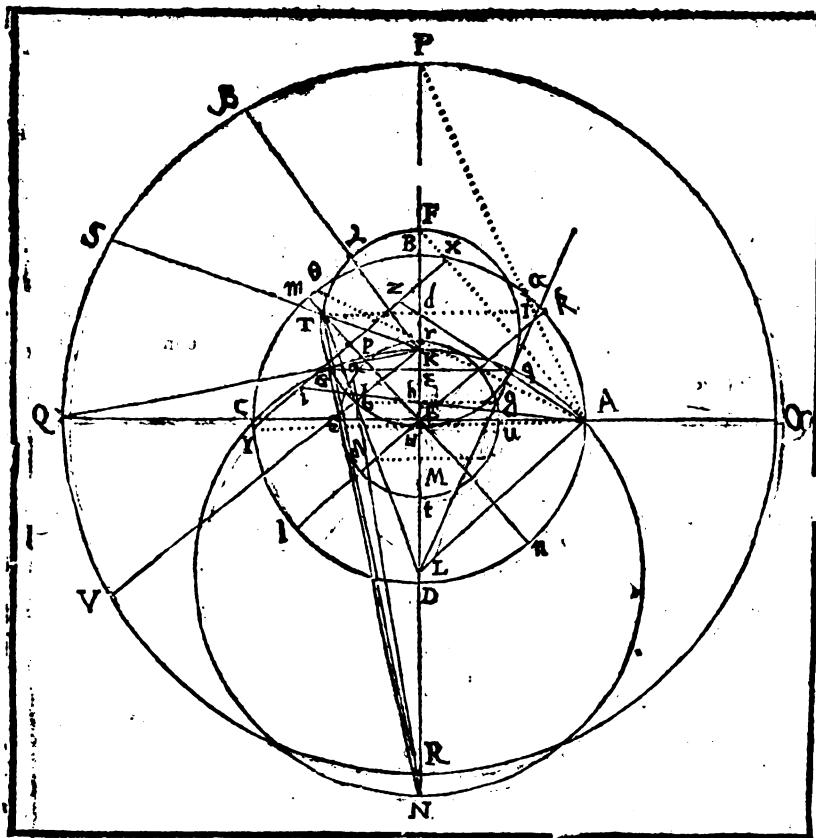
20. IMMO eisdem prorsus viis parallelos cuiusvis circuli maximi obliqui in Astrolabio descripti, qui ad Meridianum rectus non sit, describere licebit, si pro meridiana linea BD, accipiat recta per centrum circuli obliqui, & centrum Astrolabii extensa, id est, communis sectio Aequatoris, sive planis Astrolabii, & circuli maximi per polos mundi, & polos propositi circuli obliqui ducti, instar proprii Meridiani eiusdem circuli obliqui. Exemplum huius rei inuenies proposit. 8. Num. 19.

21. IAM vero parallelos cuiusvis circuli maximi obliqui in gradus distribuemus, hoc est, in partes inaequales, in quas gradus eorum in sphera projectantur in Astrolabium, iisdem modis, quibus in antecedenti propos. à Num. 17. usque ad finem circulos maximos obliquos in gradus partiti sumus. In prior re ergo parte primi modi ita rem exequemur. Sit Aequator Astrolabii ABCD, cuius centrum E; circuli maximi eius obliqui, u.g. Horizonis, diameter kl; diameter cuiuslibet eius parallelus XY, & parallelus idem in Astrolabio descriptus FGHq; Verticalis primaria diameter mn, & Verticalis ipse descriptus AKCN, cuius centrum L; K, polus Horizonis superior; N, inferior; M, polus Verticalis à polo australi in sphera remotior, hoc est, punctum intersectionis Meridiani & Horizonis ex parte boreali, per quod videlicet Horizon descriptus transiret. Et quia Horizonis parallelus FGHq, in priore hac parte primi modi distribuendus est in gradus ex K, polo Horizonis intra Aequator rem reporto, quique in sphera à polo australi remotior est, describendus erit parallelus Aequatoris OPQR, tanto interhallo distans à polo australi, quanto datus parallelus Horizonis à polo m, qui remotior est in sphera à polo australi, abest, ita ut arcus A, metiens distantiam paralleli Aequatoris à polo australi A, æqualis sit arcus m X, qui distantiam paralleli Horizonis à polo remotoiore m, metitur; adeo ut quando diameter paralleli Horizonis XY, recedit à diametro Horizonis kl, versus m, polum eius à polo australi remotiorum, diameter paralleli Aequatoris recedat à diametro Aequatoris BD, versus polum australem A, hoc est, parallelus Aequatoris sit australis: quando vero illa diameter ab Horizonis diametro versus polum Horizonis n, polo australi propinquiore vergit, hæc à diametro Aequatoris vergat versus borealem polum C, id est, parallelus Aequatoris sit borealis: qui quidem parallelus Aequatoris ex E, describi potest, etiamsi eius diameter visa inuenta non sit, per punctum Q, ubi recta KG, ex polo circuli obliqui K, per G, intersectionem paralleli obliqui cum circulo maximo AKCN, ducatur diametrum Aequatoris AC, intersectat. Nam ut mox ostendemus, sicut FG, representat quadratum parallelum, ita recta KG, auferre debet ex parallelo Aequatoris quadrante. Descripto autem hoc parallelo Aequatoris, eodemque per duas diametros OQ, PR, perpendicularares in quatuor quadrantes diuiso, si ex K, polo Horizonis per singulos gradus parallelum OPQR, rectas linea ducantur, secundus erit parallelus Horizonis FGH, in gradus, hoc est, in arcus quidem inaequales, sed qui repræsentent gradus æquales eiusdem parallelum in sphera. Exempli gratia, si ex K, recta ducatur KS, absindens arcum PS, grad. 60. auferret eadem ex parallelo Horizonis arcum FT; respondentem arcum grad. 60. eiusdem parallelum in sphera. Sic si recta KV, resecet arcum RV, grad. 60. absindetur quoque ex paral-

Parallelum Aequatoris australi in Astrolabio deservere ex parallelis equalibus circa maximi obliqui, qui circa eius polo ab australi polo remotoiore definiuntur,

qui quidem parallelus Aequatoris sit borealis: qui quidem parallelus Aequatoris ex E, describi potest, etiamsi eius diameter visa inuenta non sit, per punctum Q, ubi recta KG, ex polo circuli obliqui K, per G, intersectionem paralleli obliqui cum circulo maximo AKCN, ducatur diametrum Aequatoris AC, intersectat. Nam ut mox ostendemus, sicut FG, representat quadratum parallelum, ita recta KG, auferre debet ex parallelo Aequatoris quadrante. Descripto autem hoc parallelo Aequatoris, eodemque per duas diametros OQ, PR, perpendicularares in quatuor quadrantes diuiso, si ex K, polo Horizonis per singulos gradus parallelum OPQR, rectas linea ducantur, secundus erit parallelus Horizonis FGH, in gradus, hoc est, in arcus quidem inaequales, sed qui repræsentent gradus æquales eiusdem parallelum in sphera. Exempli gratia, si ex K, recta ducatur KS, absindens arcum PS, grad. 60. auferret eadem ex parallelo Horizonis arcum FT; respondentem arcum grad. 60. eiusdem parallelum in sphera. Sic si recta KV, resecet arcum RV, grad. 60. absindetur quoque ex paral-

ex parallelo Horizontis arcus Hb, grad. 60. Denique recta KQ, auferens quadrantem PQ, auferet quoque quadrantem FG, ex parallelo Horizontis, hoc est. transibit per G, punctum, ubi Verticalis parallelum Horizontis intersecat. Nam quemadmodum in sphera Meridianus ac Verticalis diuidunt ipsum Horizontem eiusque parallelos in quadrantes, ita quoque in Astrolabio contingat necesse est, adeo ut arcus FG, GH, HQ, q. F, referant quadrantes eiusdem paralleli in sphera: id quod supra Num. 5. huius propos. declaravimus. Sumendum.

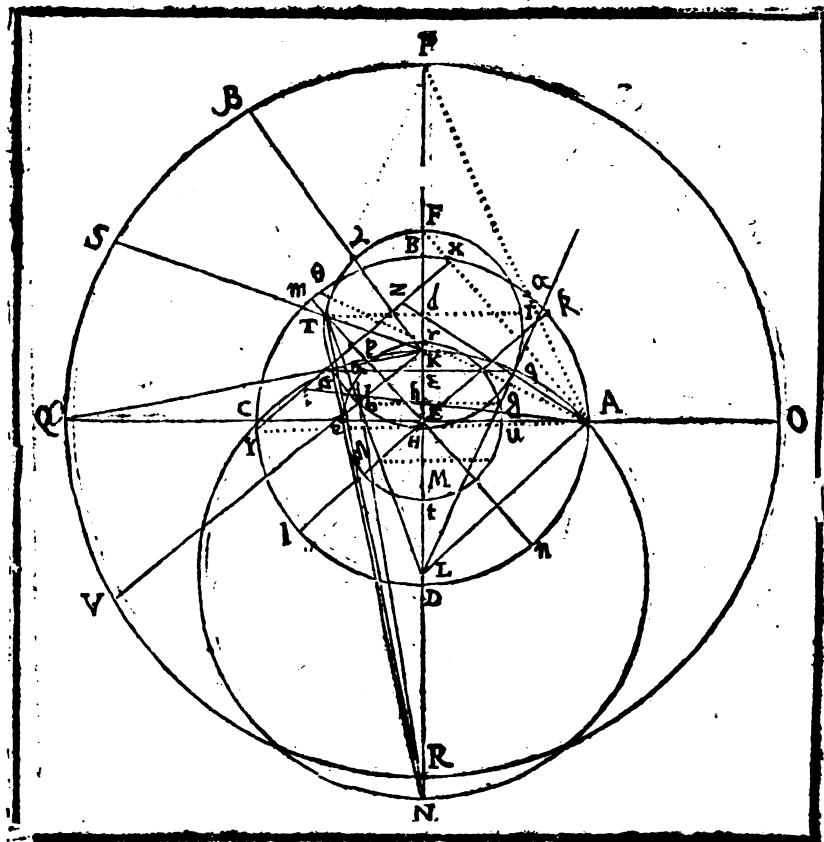


autem est initium arcuum in utroque parallelo; à duobus punctis eiusdem ordinis, hoc est, vel à superioribus P, F, vel inferioribus K, H, & versus eandem partem progreendi vel descendendo in utroque parallelo, vel ascendo. Nā punctum P, parallelī Aequatoris est in semicirculo Meridiani superiore, in quo triantrum Zenith contingetur, punctum autem F, parallelī Horizontis est australē: Item punctum K, parallelī Aequatoris est in semicirculo Meridiani inferiore.

B b 2 riore,

Initium arcuum
superiorum, in
parallelis, vnde
sumedam in has
priori parte pri-
mi modicē corū
pole superiore.

rfore, & punctum H, parallelis Horizontis est boreale. Quare per ea, quae in Lemma 23. dicta sunt, recte initium sumendum esse diximus, vel a punctis P, F, superioribus, vel ab inferioribus R, H. Appello autem hic puncta superiora illa, quae superiorem locum in figura tenent respectu partium Astrolabii. Inferiora vero, quae inferorem non autem illa, quae in cato superiora sunt; vel inferiora. Idem initium sumi potest a retra KQ, quae ex parallelis quadrantes abscondit, ut a puntis Q, G, versus eandem temporis partem progrediendo; quia hac ratione semper



tenditur versus puncta, a quibus incipiendum esse diximus. Ita vides arcus respondentes PS, FT, incipere a superioribus puntis P, F, & descendere versus eadem partem sinistram; arcus vero respondentes RV, Hb, incipere a punctis inferioribus R, H, & versus eadem partem ascendere, &c. Hoc autem intelligendum est, quando polus circuli obliqui intra Aequatorem existens, repertur quoque intra parallelo obliquum. Nam quando extra ipsum est, ut contingit in parallelo per po-

lum

lum australem ducto, & in aliis parallelis infra eum existentibus, quorum circumferentiae in Astrolabio in contrarias partes describuntur, non autem versus maximum circulum obliquum, non possunt hoc modo sumi puncta superiora, & inferiora. Quare seruanda tunc sunt ea, quae in Lemmate 23. de initia arcuum abscissorum scripsimus.

VT autem in Astrolabio facile cognoscamus, utrum punctorum parallelorum Aequatoris sit in celo superius, vel inferius, hoc est, continetur in Meridiani semicirculo superiore, vel inferiore, si circulus maximus obliquus, cui paralleli obliqui æquidistant, pro Horizonte sumatur, supra quem eleetur polus australis; Item utrum punctorum parallelorum obliqui sit boreale, australe, haec regula tenenda est. Punctum parallelum Aequatoris, quod polo circuli obliqui intra Aequatorem contento propinquius est, hoc est, per quod recta ex centro Astrolabii per dictum polum ducta transit, representata in celo punctum superius, alterum vero, quod ab eodem polo magis distat, hoc est, per quod recta ex centro Astrolabij per alterum polum electa transit, inferius est. Item punctum parallelum obliqui centro Astrolabii (quod quidem a polo boreali non distet) propinquius, boreale est; remotius vero australis. Quae res si vna cum iis, quae in Lemmate 23. de initia arcuum præfigendis scripsimus, attente considerentur, nullus erit labor in principiis arcuum abscissorum præfinendis, siue ex polo circuli obliqui intra Aequatorem existente diuisione paralleli facienda sit, siue ex altero polo.

H V I V S autem diuisionis parallelorum obliquorum in gradus hanc accipe demonstrationem. Planum, quod in sphera per polum antarcticum, & polum Horizontis ab eo remoto dicitur, abscedit per Lemma 23. ex parallelo Aequatoris, & ex parallelo Horizontis æquali, (ita ut ille tanto spatio absit a polo australi, quanto hic a polo suo, qui a polo australi remotior est,) arcus æquales, initio facto a punctis, quae diximus. Igitur idem planum, a 1.1. Tbc. quod in sphera circulum efficit, in Astrolabio proiectum conspicietur ex polo australi auferre eosdem illos arcus æquales ex duobus illis parallelis in Astrolabio descriptis. Cum ergo planum illud, vel potius circulus, quem in sphera per polum australem transiens efficit, faciat per propos. 1. Num. 1. In Astrolabio lineam rectam per polum K, transeuntem, referet recta K S, circulus illi per polum Horizontis K, & punctum parallelum Aequatoris S, datum. Hæc ergo secabit parallelum Horizontis in T, punto, quod illi in sphera responderet, per quod circulus ille dicitur: adeo ut circulus ille parallelum Horizontis ex polo australi conspicatur secare in T, Aequatoris vero parallelum in S, propterea quod radius visualis in illius circuli piano per omnia eius puncta circumductus ab eo nusquam recedit, sed semper in K S, communis eius sectione cum piano Astrolabii existit. Arcus igitur FT, parallelum Horizontis representat illum in sphera, qui arcui PS, parallelum Aequatoris æqualis est. Idemque dicendum est de recta KV, & omnibus aliis, quae ex K, polo Horizontis egredientes utrumque parallelum secant. Quapropter si ex K, per singulos gradus parallelum Aequatoris rectæ ducantur, secabitur parallelus Horizontis in 360. arcus, qui gradibus 360. etiudem parallelis in sphera respondent: ita ut qualibet duæ rectæ ex K, emissæ intercipiant in duobus illis parallelis duos arcus æquales, quod ad numerum graduum attinet, hec est, duos arcus, qui in sphera duobus arcibus omnino æquibus in eisdem parallelis respondent. Huiusmodi sunt duo arcus SQ, TG. Item duo SV, Tb; & QV, Gb, &c.

Regula facilis ad cognoscendam utrum punctorum parallelorum Aequatoris in Astrolabio, dicatur superius in celo, infra rufus, reponens dicti circuli maximi obliqui. Item utrum punctum parallelum obliqui boreale sit, vel australis.

23. EX

Gradus quemlibet propositus in parallelo Horizontis ex eius polo in oriente invenientur in Austrabio.

Quae gradus in dato arca parallelo Horizontis continantur in Austrabio, ex polo eius superiori cognoscere.

Parallelos eiusdem circuiti maxi- mi obliquum gradus distribuere ex eorum polo inferiore.

Sicutum arcum respondentem in parallelo, unde sumendum in hoc modo dividendi parallelos oblique in gradus ex eorum polo inferiore.

22. EX his colligitur modus inueniendi quemcumque gradum propositionum in parallelo Horizontis, cuius videlicet distantia sumatur vel ab alterutra sectionum F, H, paralleli cum Meridiano, vel ab alterutra sectionum G. Quidam parallelis Horizontis cum Verticali circulo primario. Si enim gradus propositus numeretur in parallelo Aequatoris ab aliquo quatuor punctorū P, Q, R, O, quatuor punctis F, G, H, q, paralleli Horizontis respondentium, & per finem numerationis ex K, recta ducatur, secabit ea parallelum in gradu proposto. Ut si a punto F, versus G, abscondendus sit arcus grad. 60. vel a G, versus F, arcus grad. 30. numerabimus a P, versus Q, grad. 60. vel a Q, versus P, grad. 30. usque ad S. Nam recta KS, secabit parallelum Horizontis in T, gradu 60. ab F, vel gradu 30. à G; atque ita de ceteris. Punctum porro F, spectat ad meridiem; H, ad septentrionem; G, ad ortum, & q, ad occasum, quemadmodum de Horizonte diximus.

23. E CONTRARIO facile etiam cognoscemus, quot gradibus quilibet arcus in dato Horizontis parallelo propositus respondeat, si ab extremis duobus punctis dati arcus ad K, polum Horizontis, eiusque parallelorum rectæ lineæ ducantur. Arcus namque parallelis Aequatoris inter eas comprehensus tot gradus complectetur, quot in dato arcu continentur, vt ex iis, quæ dicta sunt, perspicuum est. Igitur si per Lemma 3. inquiratur, quot gradus in illo arcu parallelis Aequatoris continantur, cognitus fiet numerus graduum in proposto arcu paralleli Horizontis contentorum. Exempli causa. Si datus sit arcus γT, in parallelo Horizontis, ductis ex K, rectis Kγ, KT, secantibus parallelum Aequatoris in β, S, erunt tot gradus in arcu γT, quot in arcu βS, continentur.

24. IN posteriore autem parte eiusdem primi modi ita agendum erit Describatur parallelus Aequatoris ut r t, æqualis quoque parallelo dato Horizontis FGHq, sed priori parallelo Aequatoris OPQR, oppositus, hoc est, tanto intervallo a polo australi distans, quanto datus parallelus Horizontis a suo polo n, qui polo australi proprior est, recedit, ita vt arcus Aθ, nX, qui parallelorum dictarum distantias metiuntur, æquales sint, sive, quod idem est, diameter parallelis Horizontis a diametro Horizontis k l, & diameter parallelis Aequatoris a diametro Aequatoris versus candem partem vergant, non versus oppositas, vt prius. Descripto namque hoc parallelo Aequatoris, coequ in quadrantes diuiso a diametris r t, e u, se se ad rectos angulos secantibus, si ex N, altero polo Horizontis, qui extra Aequatorem existit, propinquiorque est in sphera polo australi, per omnes gradus ipsius rectæ lineæ ducantur, secabitur parallelus Horizontis in suos gradus, vt prius: sed ordo graduum in utroque parallelo sumendus non est a duobus punctis eiusdem ordinis, nemirum a superioribus r, F, vel inferioribus t, H, sed a contrariis, hoc est, a superiori vnius, & inferiore alterius, ita vt in uno fiat descensus, & in altero ascensus, versus candem tamen partem sinistram, vel dextram. Idemque initium fieri potest a recta NG, que ex parallelis quadrantibus abscondit, vt a punctis e, G, in diuersas tamen partes progrediendo, ita vt in uno parallelo fiat ascensus, & in altero descensus. Sed quoniam non semper discerni queunt duo puncta superiora, vel inferiora, in figura, propter parallelos obliquos, quorum circumferentiae non vergunt ad partes maximi circuli obliqui, cui æquidistant, sed in contrarias, præstat ordinem graduum præfinire ex ijs, que in Lemmate 2, scripsimus, nemirum vt in parallelo Aequatoris sumatur punctum superius, & in parallelo obliquo punctum boreale, vel in illo punctum inferius, & in hoc australe. Quo modo autem punctum superius, aut inferius in parallelo Aequatoris, & boreale, australe in parallelo obliquo accipiendo sit re-

sit respectu partiū celi, paulo ante in priore parte huius primi modi diuidēdi parallelos in gradus Num. 21. explicatiū est. Exempli gratia, si ex N. ducatur recta N₁, abscindens arcum t₁ & grad. 60. auferat eadē ex parallelo Horizontis arcū FT, re spondentem arcui grad. 60. eiusdē paralleli in sphēra. Sic si recta N₂ a, auferat ar cum r_a, grad. 60. abscindetur quoque ex Horizontis parallelo arcus H_b, grad. 60. Denique recta N_c a, auferens quadrantem t_c, rescabit etiam ex parallelo Horizontis quadrantem FG, hoc est, transibit per G, punctum sectionis Verticalis primarii cum parallelo Horizontis. Nam ut supra dictum est, arcus FG, GH, Hq, qF, quadrantes sunt. Vbi vides, initium arcuum æqualium, quod ad numerum graduum attinet, fieri semper a punctis contrariis, ut expositum est. Hoc autem demonstrabitur hoc modo. Planum in sphēra dictum per polum antarcticum, & polum Horizontis ei propinquorum, quem refert polus N, abscindit, per Lemma 23. ex parallelo Aequatoris, & ex parallelo Horizontis æquali, ita tamen, ut ille tanto interuallo absit a polo australi, quanto hic a suo polo, qui a polo australi proprius abest. Arcus æquales, initio factō a punctis, a quibus initium faciendum est, paulo ante, & in dicto Lemmate præcepimus, qualia sunt puncta r, H : Itē t, F. Igitur Idem illud planum in Astrolabio descriptum eodem arcus australi conspicietur, illos videlicet, qui in sphēra arcubus abscissis respōdent. Cum ergo propos. 1. Num. 1. planum illud per australēm polum transiens in Astrolabio efficiat lineam rectam per polum N, transeuntem, referet qualiter recta ex polo N, emissa planū illud, ac propterea ex utroque parallelo æquales arcus abscindet, ut dictum est.

I T A Q V E eadem puncta T, b, G, inuenta sunt per rectas lineas ex utroque polo K, N egreditentes, singula scilicet per binas. Atque eadem arte quodlibet punctum in Horizontis parallelo reperire licebit per duas rectas, quarum una ex polo K, & altera ex polo N, egreditur, si modo posterior hæc per arcum parallelli Aequatoris ducatur, qui initium sumat à punto meridianæ lineæ BD, contrario illi, a quo arcus paralleli Horizontis incipit, ut expositum est.

E X IJS autem, que dicta sunt, facile intelliges, quid agere debebas, ut arcum ex parallelo Horizontis abscindas quotlibet graduum, & ut cognoscas, quos gradus in proposito arcu contineantur.

25. E O D E M prorsus modo parallelus cuiuscunque alterius maximi circuli obliqui in gradus distribuetur, si eius poli reperiantur, & quando obliquus circulus ad Meridianum rectus non est, pro meridianā linea BD, accipiatur communis sectio Aequatoris, planie Astrolabij, & maximi circuli per mundi polos, & polos circuli obliqui transeuntis, hoc est, recta linea per centrum Astrolabij, & centrum circuli obliqui trajecta.

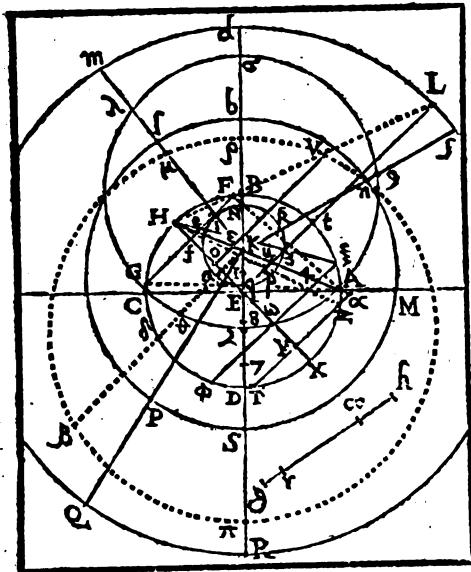
S E D quoniam quando parallelus obliquus prope abest a polo superiore m, parallelus Aequatoris australis ei æqualis describendus in immensam propemodo magnitudinem excrescit: contra vero, cum ille non procul distat a polo inferiore n, parallelus Aequatoris borealis ei æqualis describendus valde exiguus est; sit, ut non facile parallelus obliquus hoc modo in gradus beneficio parallelī Aequatoris distribui possit: idcirco adhibendum erit sequens artificium, quo quidem sine parallelō Aequatoris parallelum obliquum per circulum cuiuscumvis magnitudinis in gradus distribuemus, hoc modō. Sit Aequator ABCD, cuius centrum E; semidiameter maximi circuli obliqui Et, & eius axis HX, diameter paralleli obliqui FG, secans eius axem in f; radius AH, exhibens K, polum obliqui circuli visum, fecet FG, in e; radii AF, AG, abscindentes diametrum parallelī obliqui visum Nq, circa quam descriptus sit ipse parallelus visus Ni a q k.

Quo pacto omnia, que de divisione parallelorū Horizontis dicta sunt, ad alias parallelē obliquas accommodestar.

Parallelam obliquum per circulum cuiusvis magnitudinis in gradus æquales dividam, in gradus dividam, ut non non se decrēbere parallelum australēm immobiliarum quantitatibus, aut boreale peregrinorum magnitudinis.

Nia q.k. Prosta recta Et, si ex H, per F, recta emittatur secans Et, in L, erit EL, semidiameter parallelus Aequatoris australis, cuius diameter in sphera dia metro FG, aequalis est. Nam si concipiatur H, polus mundi australis, & axis mundi HX, referet EL, lineam meridianam, id est, communem sectionem plani Astro labii, vel Aequatoris, ac Meridianni. Igitur radius HF, abscedens semidiametrum visam EL, parallelum, cuius diameter FG, vt ex iis constat, quz propos. 4. Num. 5. demonstrata sunt. Si igitur ex E, per L, commode in plano Astrolabii parallelus describi poterit LdmQR, partiemur eius beneficio paralleli oblique quam Nia q.k, vt dictu est, duendo ex K, rectas per omnes gradus parallelis Ldm. Si vero propter immicam quantitatem dictus parallelus describi nequeat, perficie mus eandem divisionem per circulum cuius magnitudinis, qui commode describi possit, & in gradus aequales diuidi, hoc modo. Sit data circuli diameter gh, beneficio cuius parallelus obliquus in gradus est distribuedus. Secetur gh, in r, vsq; p, semidiameter vera parallelis obliqui secta est in e, a radio AH, vel ut Ed, semidiameter parallelus Aequatoris (quando ea commode haberi potest) secta est in K, polo viso circuli obliqui. Nam vt mox ostendemus, ita seca tur Ed, in K, vt fF, in e, Ia vero sumpta recta KI, aequali ipsi gr, describatur ex I, ad datu interuersu gh, circulus bIPSMn. Dico rectas ex polo K, per gradus huius circuli emissas secare parallelum Nia q.k, in gradus ; ita vt u g. arcus Nk, tot gradibus respodeat, quot in arcu bn, coticetur, & in Ni, tot, quot in bl, & in qa, tot, quot in SP. Quoniam enim est, ex constructione, vt dK, ad KE, ita bI, ad KI; Et permutando, vt dE, semidiameter ad bl, semidiametrum, ita KE, ad KI. Similiter ergo punctum K, (quod instar duorum est) a centris B,I, remotum est. Igitur ex scholio Lemmatis 21. recte ex punto K, egredientes (quarum singula instar binarum sunt angulos aequales ad K, constituentium, si circuli LdmQR, bIPSMn, scorsum de scripti essent ex circulis LdmQR, bIPSMn, arcus similes abscident, ita vt tam arcus dm, bl, quam ds, bn, & RQ, SP, similes sint. Cum ergo, vt paulo ante in in hoc Num. 21. ex lemmate 23. demonstrauimus, recta Kf auferat arcum Nk, arcu d s, aequalem, quod ad numerum graduum spectat, auferat quoque recta K n, (sumpto arcu bn, simili arcu ds,) eundem arcum Nk: quandoquidem in s. cadit; quippe quz arcus similes abscindat bn, ds, vt demonstratum est. Eadem de causa continabit arcus Ni, tot gradus, quot in arcu bl, continentur : eodem que modo

a 10. sexti.



que modo arcus q̄ h, arcus SP, similis erit in numero graduans.

ESSE autem semidiametrum E dicitur secundum in K, polo, ut f F, secunda est in e, quod ut verum assumptum, facile ostendemus. Quoniam enim ex scholio propos. 4. lib. 6. Eucl. est ut se, ad e F, ita Eu ad nū. Erit autem Eu, ipsi EK, aequalis, (Nam cum triangula AEK, HEH, rectangula, habeant angulos EAK, EKH, aequalis, Isoscele AEH, aequaliterent & reliqui anguli EKA, EuH, aequales; ideoque & latera EK, Eu, aequalia erunt. Atque ita semper radius ex polo australi ad polum circuli obliqui ductus abscindet ex meridiana linea, & diametro obliqui circuli maximi rectas usque ad centrum. Astrolabii aequalies: quod supra etiam praebauimus propos. 5. ad finem Num. 14.) & EL, ipsi Ed, erit quoque ut se, ad eF, ita EK, ad Kd.

Q V O D si ex quolibet punto semidiametri EH, ut ex O, recte EL, parallela agatur OV, secans AH, in t, & HL, in V, erit quoque ex scholio propos. 4. lib. 6. Eucl. recta OV, secunda in t, ut secunda est f F, in e. Quare si recte e O, aequalis summa em KI, & ex I, ad interuum OV, circulus describatur bIPS Mn, reperiemus in dato parallelo gradus respondentes gradibus huius circuli.

N O N dissimilis ratio erit, quando parallelus obliquus iuxta polum inferiorem existit, ac proinde parallelus Aequatoris borealis describendus est. Ut si diameter paralleli obliqui sit $\omega\zeta$, abscindet radius H ζ , ex E t, semidiametrum paralleli Aequatoris visam E 3: Eritq, rursus ex scholio propos. 4. lib. 6. Eucl. semidiameter E 3, secunda in u, puncto, quod polo visto K, respondet, propter aequalitatem restarum Eu, EK, ut secunda est semidiameter $\omega\zeta$, in 4. Si igitur data semidiameter gh, secetur in cc, ut $\omega\zeta$, secunda est in 4. vel E 3, in u; & recta ccg, aequalis abscindatur K γ , erit 7. centrum circuli interuum gh, describendi, beneficio cuius parallelus obliquus diametri $\omega\zeta$, in Astrolabio descriptus in gradus distribuetur. Rursus si diameter paralleli obliqui sit TZ, abscindet radius HZ, ex Et, semidiametrum paralleli Aequatoris visam E p: Eritq, rursus ex scholio propos. 4. lib. 6. Eucl. ex semidiameter Ep, ad Eu, ita semidiameter YZ, ad Ya. Si igitur data sit semidiameter YZ, abscindenda est K8, aequalis ipsi aY. & ex 8, interuum YZ, circulus describendus, &c. Quod si alia semidiameter detur, adiungenda erit ei recta, ita ut eam proportionem habeat data illa semidiameter ad adiungam, quam YZ, ad Z u. vel Ep, ad pu. &c. Atque in hoc casu, quando semidiameter paralleli obliqui tota est infra AC, qualis est TZ, erit polus visus K, extra parallelum Aequatoris semidiametri Ep, & extra circulum ex punto 8. descriptum.

I A M vero ut facilius centrum, & semidiameter circuli describendi, ex quo parallelus diuidendus est, ad libitum inueniatur, poterit segmentum fe, bis, ter, quater, aut quinquies, &c. sumpsum ex K, deorsum transferri in rectam KD, & termino huius translate lineas circulus describi ad interuum, quod semidiametri ff, duplum quoque sit, triplum, quadruplum, vel quintuplum, &c.

I D E M prorsus artificium in circulis maximis obliquis diuidendis adhibendum erit, quando eius polus superior pars abest ab Aequatoris circumferentia. Ut si circulus maximus obliquus Ac Cy, diuidendus sit in gradus beneficio circuli maioris Aequatore, accipienda est semidiameter cuiusvis magnitudinis, & diuide de, ut BE, semidiameter Aequatoris diuisa est in K, & eius segmentum segmento KE, respondens ex K, deorsum transferendum, ut centrum habeatur circuli interuum assumptorum semidiametri describendi. Nos in figura segmentum KE, duplicauimus usque ad γ , & ex γ , interuum $\gamma\gamma$, quod duplum etiam est semidiametri EB. (In enim erit ut BK, ad KE, ita $\gamma\gamma$, ad Ky.) circulum $\rho\mu\beta\tau$, descripsimus:

a s. primi.
b C. primi.
Quae rectangula
les abscindit ra-
diis in polum cir-
culi obliqui ca-
dens.

Quando paral-
lelus obliquus iux-
ta polum inferi-
orem exire

Maximum cir-
cum obliquum in
gradus partit p
circulum Aequato-
riale maiorem ca-
rillus magis adi-
gitum.

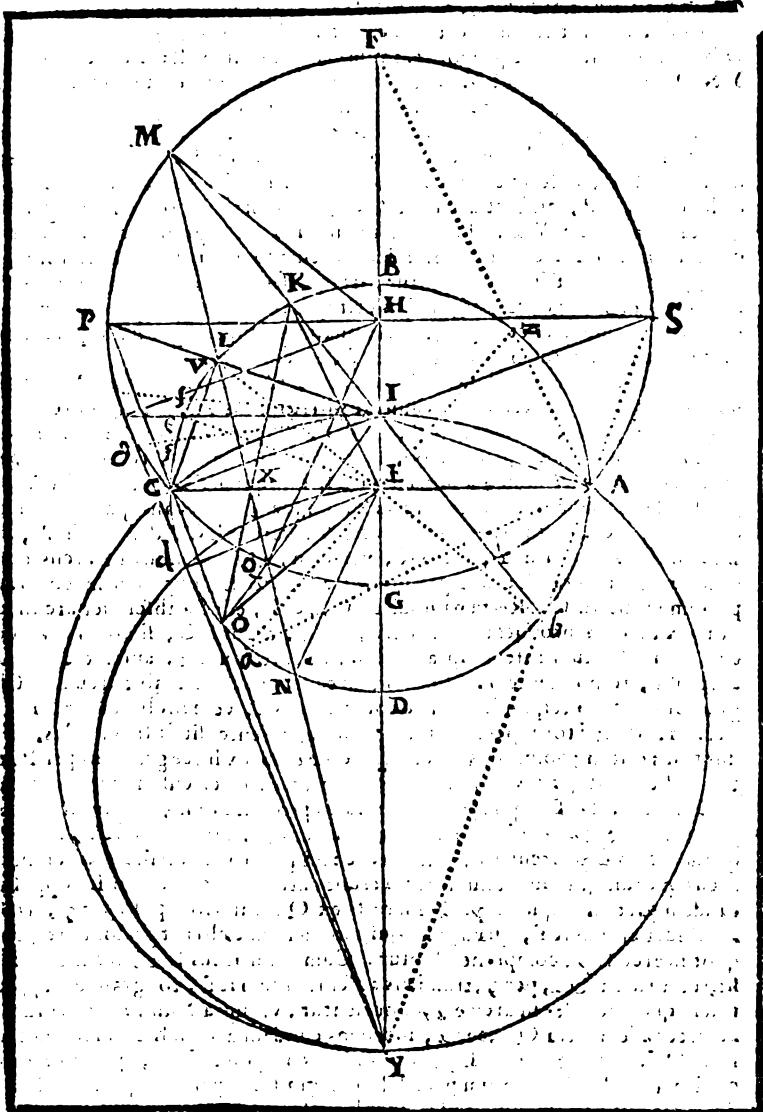
scripsimus : qui si in 360. gradus setentia recta ex K, per eius gradus omisso circulum obliquum ACG, in gradus propterea quodipunctum K, simili ter abest a centro Aquatoris E, & y, centro illius circuli, ac proinde recta ex K, egredientes Aquatorem, & circulum ACG, in arcus similes partitione, & in scholio Lemmatis 21. demonstratum est. Ita video rectam Kβ, abscedens ari- cum γθ, respondentem arcui πβ, vel arcui Aquatoris Dβ, qui arcui πβ, simili est. Sic etiam recta Ku, auferet arcum εγαρον πβ, & recta Kn, arcu 49, arcui πβ simili, quod ad numerum graduum attingit. Eadem recta si recta KLL triplicaretur, vel quadruplicaretur, &c. atque ex termino rectae πE, triplicaretur, vel quadruplicaretur, &c. ad interiallū ipsius EB, triplū, vel quadruplici, & circulus describeretur, &c.

CVM hæc scriberem, ecce Christophorus Gruenbergerus Mathematicarum disciplinarium in nostro Collegio Romano Professor, in nouis demonstrationibus inueniens perspicacissimus, & caius opera, ac diligentia non paucæ hunc modum Astralabiorum accessus ruit, aduerens circulos obliquos tam maximis, quam non maximos per lineas rectas ex gradibus æquilibus rotundis in circulo ut per alterum polorum visorum ductas in gradus apparentes deponit posse. Quæ res quoniam egregia est atq; præclarata, licet fortassis peregrinatio proponit dampna videtur possit, nullo modo prætermittenda. hoc loco videtur. Ita ergo agendum erit. Repetatur figura in scholio propos. 5. Num. 13. descripta, in qua Aquator ABCD, eius centrum E, et radius maximus obliquus AFCG, cuius centrum H, & poli apparentes I, Y; diametri Aquatoris, & circuli obliqui AC, PS, secantes FG, ad angulos rectos. Et quoniam in eodem scholio datum 14. demonstrauimus, tamen tria puncta A, I, Y, quam tria C, I, S, in una facere linea recta, ita ut utræcum recta AP, CS, per poli h, transversali per I, ducatur recta utræcum MI, secans Aquatorem, & circulum obliquum in K, tamen per lemmata 9. tam arcus BK, Aquatoris arcus Gi, & circulus obliqui, quam arcus Ub, Aquatoris arcus YM, circuli obliqui similes. Igitur si à puncto F, versus C, abscedens sit arcus quotuis graduum, numerandi erant illi gradus in parte oppolita circuli obliqui à punto G, yisque ad I. Recta enim ex I, per I, cieca abscedens arcum FM, tot gradibus respondentem, quo in arcu GI, continentur. Cum enim arcus Gi, arcui BK, sit similius, auferat autem recta IK, arcum YM, gradum, quo in arcu BK, continentur; ut propos. 5. Num. 17. demonstrauimus; auferet eadem recta IK, eundem arcum FM, tot graduum, quo in arcu Gi, tot gradibus in celo respondentem, quo vero in arcu YM, cointinentur. Ita ducta recta CIS, abscedens arcum FC, tot gradibus in celo respondet, quo re ipsa in arcu GS, cointinetur, minime 90. Et vicissim eadem recta auferet arcum GS, tot gradibus respondet in celo, quæ in arcu opposito FC, cointinetur, qui quidem plures sunt, quæ yea- cu GA, quadrante referat, ac proinde GS, arcu quadrante maiore, quæ ad modum FC, quadrante sui circuli maior est, licet quadrante visu referat. Et sic de ceteris.

Itaq; si totus circulus AFCG, in 360. gradus æquales distribuantur, ex quibus per I, polum visum rectæ traiiciatur, secus erit circulus obliquus AFCG, in gradus visos, sive apparentes, ita tam, ut quilibet gradus appareret respondet gradui vero in parte opposita inter easdem duas rectas inclusio, inter quas appareret cointinetur.

RVR SVS quia in predicto scholio propos. 5. Num. 18. demonstrauimus, si ducatur ex Y, polo inferiore recta utræcum YM, tam arcum Aquatoris BL, arcui circuli obliqui FM, quæ arcum Aquatoris DN, arcui obliqui circuli GQ, similem esse: si à punto F, versus C, abscedens sit arcus quotuis gradibus respondens, numerandi erunt gradus propositi in eodem semicirculo ex puncto G, opposito visque ad Q. Nam scilicet ex Y, polo inferiore

vel efficiere ex
polo inferiore.



Ccc 2

inferiore per Q, emissâ abscindet arcum F M, tot gradibus in cælo respondentem, quot vere in arcu GQ, continentur. Cum enim arcus G Q, arcui DN, similis sit, auferat autem recta Y N, arcum FM, tot graduum, quot in arcu DN, continentur, vt propos. 5. Num. 20. ostensum est; auferet eadem recta Y N Q, eundem arcum FM, tot graduum, quot continentur in arcu G Q. Eadē ratione et contrario recta YM, abscindet arcum GQ, tot gradibus vñis respondentem, quot re ipsa in arcu FM, continentur. Sic recta Y C, auferet arcum FP, tot gradibus respondentem, quot in arcu GC, continentur: Et vicissim eadem recta Y P, auferet arcum FC, quadranti GP, respondentem. Rursus eadem recta Y P, auferet arcum FC, quadranti GP, respondentem. Denique tangens recta YT, abscindet arcum FT, tot gradibus respondentem, quot in arcu GT, continentur: Item arcum GT, tot gradibus respondentem, quot in arcu FT, continentur. Itaque sex Y, per omnes gradus circuli AFCG, rectæ ducantur, sectus erit ipse circulus in omnes gradus appartenentes, ita tamen, vt cuiolibet gradui equali respondeat gradus apprens ex eadem parte inter easdem duas lineas ex Y, egredientes.

Parallelum obliquum quoniam quatuor visum in gradus apparentes id est bene beneficio graduum aquarum eisdem parallelis, ex eius polo superiore.

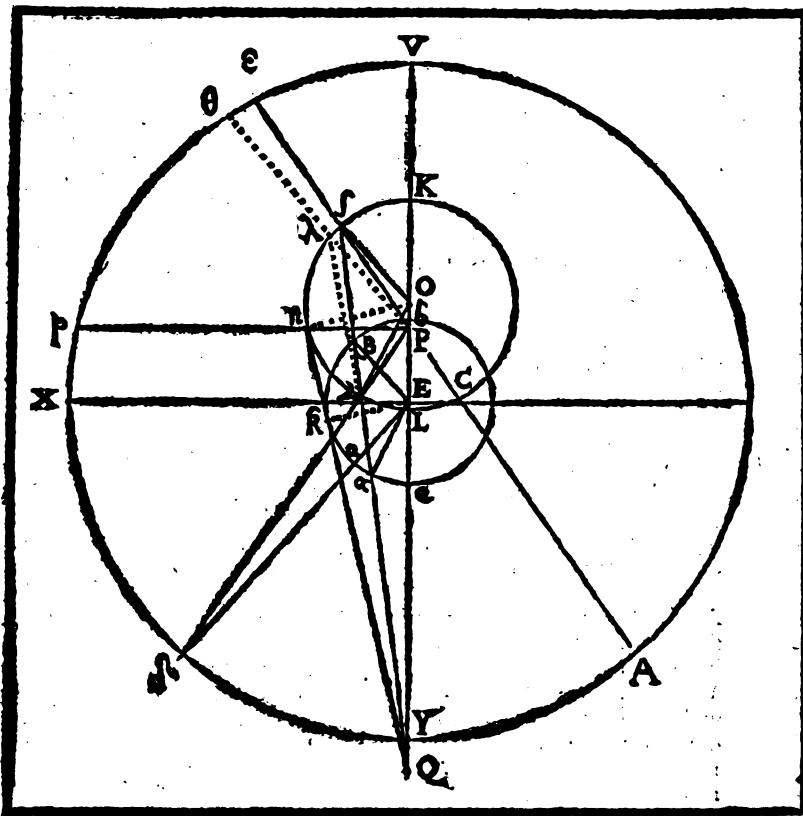
S I T rursus parallelus obliquus K n L C, cuius centrum O, & poli visi P, Q; parallelus Aequatoris australis illi æqualis VXY, & borealis bke, ducaturque per E, diameter XE, ad VY, perpendicularis. Et quoniam, vt infra in scholio huius propos. Num. 3. demonstrabimus, recta ex X, per P, ducta cadit in extreum diametri parallelis obliqui per O, ducta ad VY, perpendicularis; si per P, ducatur recta vñcunque A, secans parallelum obliquum in s, C, Erit per lemma 9. arcus Vs, arcui LC, & arcus YA, arcui Ks, similis. Igitur si a punto K, versus n, abscindendus sit arcus quotius graduum, numerandi erunt gradus illi a punto L, opposito in contrariam partem vñque ad C. Recta namque ex C, per P, educata abscindet arcum quartum Ks, cum producta auferat arcum Vs, arcui LC, similem, vt dictum est; demonstratum autem supra sit Num. 21. rectam Pe, auferre arcum Ks, arcui Vs, respondentem. Simili modo eadem recta refecabit arcum LC, tot gradibus in cælo respondentem, quot in arcu Ks, vere includuntur. Et sic de ceteris. Itaq; si totus parallelus in gradus apparentes sit distribuendus, diuidendum prius erit in 360. gradus æquales. Rectæ enim ex hisce gradibus per P, trahi indicabunt gradus oppositos apparentes, vt de circulomaximo dictum est.

D E I N D E quia in scholio huius propos. Num. 5. demonstrabimus, si ducatur ex Q, polo inferiore vñcunque recta Qs, tam arcum Ks, arcui bP, quam arcum Ly, arcui eA, similem esse: si à punto K, versus n, auferendus sit arcus quotius graduum, numerandi erunt dati gradus à punto L, opposito in eandem partem vñque ad y. Nam recta ex Q, inferiore polo per y, traiecta abscindet arcum Ks, quartum, qui videlicet in cælo tot gradibus respondet, quot in arcu Ly, comprehenduntur. Cum enim arcus Ly, arcui eA, similis sit, recta autem Qs, per y, transiens auferat arcum Ks, tot graduum apparentium, quot æquales in arcu eA, continentur, vt supra Num. 24. ostensum est; auferet eadem recta Qs, per A, incendens eundem arcum Ks. Vicissim eadem recta Qs, auferet arcum Ly, tot gradibus respondentem, quot in arcu Ks, continentur. Itaque si totum parallelum in gradus apparentes partiiri iubeamur, distribuemus eum in 360. gradus æquales. Rectæ namque ex hisce gradibus per Q, transentes monstrabunt arcus apparentes, vt de circulo maximo dictum est.

H I N C facilissimo negotio intelligemus, quotnam gradus quilibet arcus circuli obliqui in Astrolabio sive maximi, sive non maximi complectatur. Nam duæ

Quot gradus in dato arcu circuli obliqui cõtinuantur, facillime ratione cognoscuntur.

duo rectæ à terminis dati arcus per utrumlibet polorum apparentium educuntur, absindunt ex altera parte circuli arcum tot graduum æqualium, quot gradibus datus arcus respondet. Ut si in circulo KnL, siue maximus sit, siue non, detur arcus Kf, incident tam rectæ KP, fP, arcum LC, quam rectæ KQ, fQ, arcum Ly, tot graduum æqualium circuli eiusdem KnL, quot gradibus datus arcus Kf, æquivalent, vt ex iis, quæ demonstrata sunt hoc loco, perspicuum est. Sic si datus sit arcus Ly, auferent rectæ QL, Qy, arcum Kf, verum, cui apparet



Ly , æquivalent. Et si recta yP , produceretur, auferret ea eodem modo arcum
vix ad K , cui arcus datus Ly , respondet.

ITEM etiam, si datus arcus Kf , circuli obliqui dividendus sit in duas, vel plures partes æquales, sicut id, si duabus rectis KP, fP , vel KQ, fQ , arcus LC , vel Ly , in duas partes æquales, vel in plures secetur, & per P , vel Q , ex hisce partibus re-
ctæ trahantur, &c.

Arcum datum cir-
culi obliqui in
quævis partes æ-
quales facilime
ratione secare.

VERVM

V E R V M p r e c l a r a m hanc, & i n s i g n e m ratione distribuendi circulos obliquos in gradus apparentes per rectas lineas ex eorundem gradibus aequalibus per proprios polos visos trajectas, facile quoque demonstrabimus ex iis, quae paulo ante scriptimus quae ad initium huius Num. 25. in artificio, quo obliqui circuli in gradus distribuuntur per alios circulos, quae per Aequatoriem, eiusque parallelos. Quoniam non in superiori figura scholii propos. 5. Num. 12. quae est secunda huius Num. 25. est ut AE, semidiameter Aequatoris ad EI, ita PH, semidiameter circuiti maximi obliqui ad HI. Demonstratum est in codice scholio Num. 14. tria puncta A, I, P, facere in una linea recta. Distabit superior polus I, similiter a centris E, H. Igitur qualibet recta Mb, ex E, regredens auferat ex Aequatore, & circuito obliquo, per scholiu lemmatis 21. arcus similes Db, FM, propter angulos Db, FIM, aequales versus propria cetera constitutos. Cum non centro E, y, a polo I, versus eandem partem recedat, abscondetur arcus similes inter oppositis partibus, quemadmodum in figura Corollarii lomatis 21. quia cetera A, B, a punto I, versus candem partem recedunt, absconduntur arcus similes CK, FM, vel EL, HN, ad easdem partes. quod etiam in figura prima huius Num. 25. obseruatum est. Quia non centro E, y, a polo I, versus eandem partem recedunt, abscessi sunt a recta K β , arcus similes D δ , $\pi\beta$, ad easdem partes. Et si cetero y, sumptu fuisse a polo I, sursum versus, hoc est, non ad eandem partem cetero E, sed ad diuersam, abscondetur eadem recta K β , arcus similes ad oppositas partes. Igitur cum arcus Db, FM, in figura scholii propos. Num. 12. quae est secunda huius Num. 25. similes sint, recta autem Ib, resecet arcum Gi, tot graduum apparentium, quot gradus aequales in arcu Db, continentur, ut propos. 5. Num. 17. ostendimus: resecabit eadem recta bIM, eundem arcum Gi, tot graduum apparentium, quot gradus aequales in arcu FM, includuntur. Atque haec est causa, cuius si diuisio circuiti maximi obliqui instituenda sit ex polo I, superiore, numerandi sint gradus aequales in parte, quae opposita est gradibus apparentibus abscondendis.

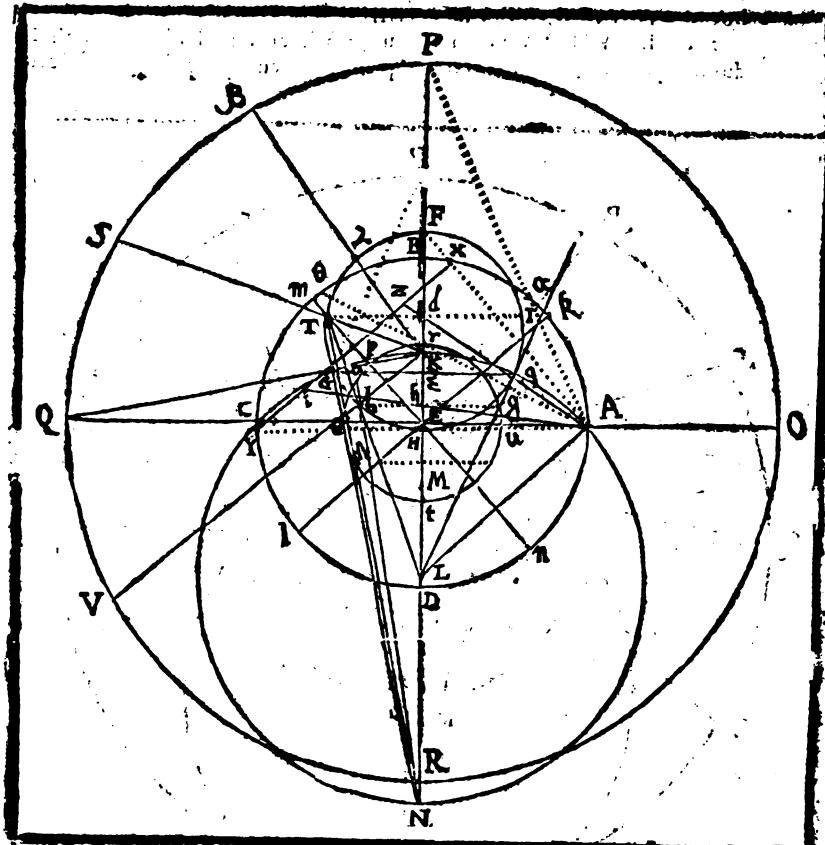
b. 4. sexti. A D E M ratio est in parallelis. Nam, ut in figura prima scholii huius propos. Num. 2. apparet, vestit XE, semidiameter paralleli Aequatoris ad EP, ita NO, semidiameter paralleli obliqui ad OQ. Ut enim in eodem scholio Num. 3. demonstrabimus, tria puncta X, P, N, in una linea recta iacent. Igitur polus P, superior proportionaliter a centro E, O, distat. Cum ergo contra E, Q, a punto P, in diuersas partes recedant, liquet id, quod propositum est.

R V R S V S quia est in predicta figura Num. 12. scholii propos. 5. hoc est, in secunda figura huius Num. 25. ut CE, semidiameter Aequatoris ad EY, ita PH, semidiameter circuiti maximi obliqui ad HY; (demonstratum est in predicto scholio Num. 14. tria puncta Y, C, P, in una linea recta esse colligata.) distabit polus Y, inferior similiter a centris E, H. Igitur ex scholio lemmatis 21. (cum centro in eandem partem a punto Y, recedant,) qualibet recta YM, ex Y, deducta, abscondet tam arcus FM, BL, quam arcus GQ, DN, ex eadem parte similes. Quare cum recta YN, auferat arcum FM, tot graduum apparentium, quot gradus aequales in arcu DN, continentur, ut propos. 5. Num. 20. demonstrauimus, abscondet eadem recta YQ, per N, recedens eundem arcum FM, tot graduum apparentium, quot gradus aequales in arcu GQ, continentur. Itaque quando diuisio circuiti maximi obliqui ex polo Y, infra dicta instituenda est, numerandi sunt gradus aequales ex eadem parte.

c. 4. sexti. N O N alia ratio est in parallelis. Nam ut in figura prima scholii huius propos. Num. 2. manifestum est, ita se habet d, e, semidiameter paralleli Aequatoris ad EQ, ut MO, semidiameter paralleli obliqui ad OQ. Ut enim in eodem scholio Num. 4. demonstrabitur, tria puncta Q, d, M, in una recta linea iacent. Igitur polus Q,

Ius Q. inferior proportionaliter à centris E, O, abest; contraeque E, O, à puncto Q, versus eandem partem recedunt, &c.

V I D E S ergo circulum ipsum obliquum esse unum ex illis, quos paulo ante describendos esse diximus, ut per illos ipse obliquus sive maximus, siue non maximus, dividatur, quandoquidem eadem est, proportio semidiametri circuli obliqui ad rectam inter eiusdem centrum, & alterutrum polorum, que semidiametri Aequatoris, vel eius paralleli, ad rectam inter centrum Astrolabi,

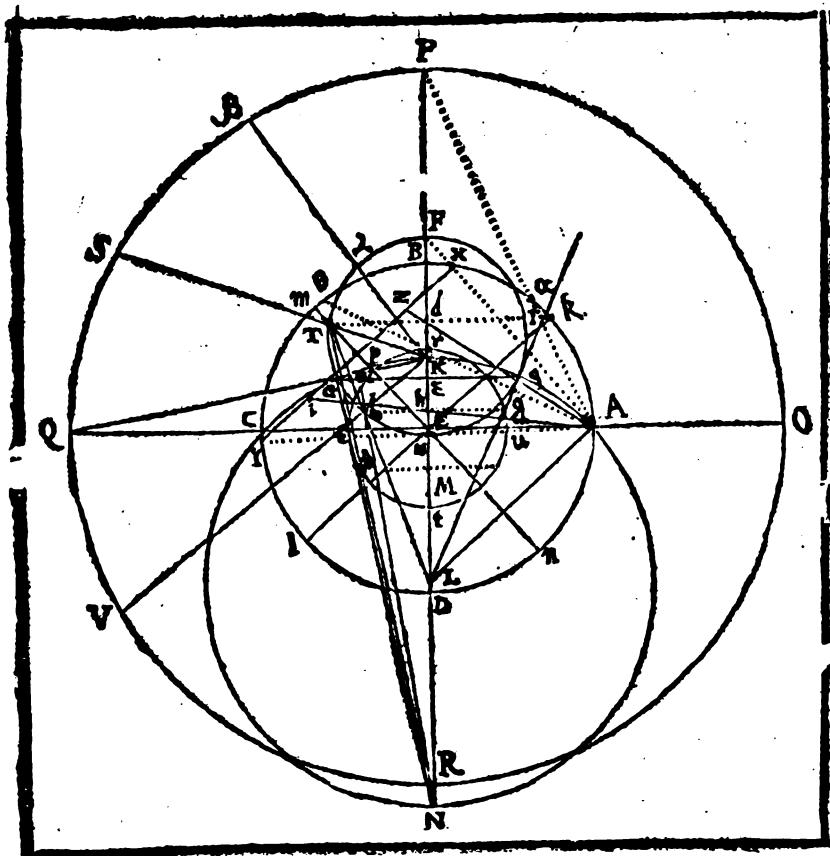


Bii, & undem polum obliqui circuit. Solum hoc interest, quod centrum obliqui circuit a polo superiore non tendit versus centrum Astrolabii, sed in diuersam partem, ac proinde gradus xquales numerandi sunt in contrariam partem, non autem in eandem, ex qua gradus apparentes abscedendi sunt. Id quod etiam in prima figura huius Num. 25. faciendum esset, si centra I, & γ, supra ponuntur K, transferrentur, & ex illis circuli ad intervalla semidiametrorum Ib, & γp, describerentur. Denique quando polus obliqui circuit, ex quo facienda est diuisio

diuisio circuli obliqui, existit inter centrum Astrolabit, & centrū circuli descripti, per cuius gradus linea ducendæ sunt, quæ obliquum circulum diuidant, gradus æquales numerandi sunt in contrariam partem apparentium graduum, quæ illis respondent: in eandem vero partem, quando inter duo illa centra idem possunt non reperitur. Semper autem rectæ lineæ per gradus æquales incidentes secant obliquum circulum in gradus apparentes, ut dictum est. Ex qua autem parte gradus apparentes numerandi sint, quando diuisio sit per circulum a circulo obliquo diuersum, facile intelligi potest ex scholio Lemmatis 33, aut ex iis, quæ hoc toto scriptum, colligendum erit.

Parallelo enim maximi circuli obliqui in gradus distributre, ex centro circuli maximi, qui in fin et Verticellis gloriam primari.

26. SECUNDUM via partiem parallelum circuli obliqui maximi in gradus hoc pacto. Quoniam Verticalis primarius, cum per polos parallelorum



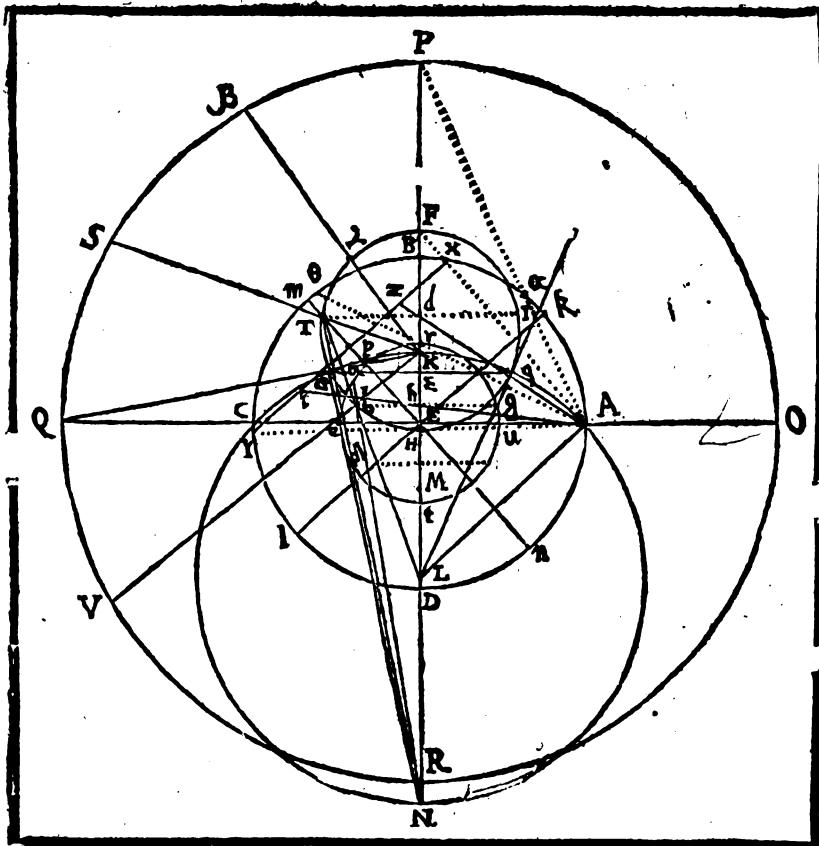
horizontis ducatur, diuidit parallelum FGHq. bifariâ in G, q. erit recta Gq. repræsentans diametrum parallelî, id est, communem sectionem Verticalis, & parallelî in sphera.

In sphæra. Secetur ergo per Lemma 8. semidiameter $\angle G$, in partes inæquales, quæ efficiunt perpendicularares ex singulis gradibus quadrantis circuli circa Gq , descripti ad $\angle G$, demissæ. Atque ex L, centro Verticalis primarii, (quod reperitur per rectam ex A, ad m n, diametrum Verticalis perpendiculararem eductam, ut supra propos. 5. Num. 3. ostendimus) per omnia puncta semidiametri $\angle G$, rectæ lineæ ducantur; singula enim parallelum in binis punctis secabunt, quæ respondent illis punctis parallelis Horizontis, quibus puncta semidiametri $\angle G$, respondent. Singula enim puncta semidiametri $\angle G$, binis punctis circumcisæ Gq , descripti respondentes, secantur, et secant parallelos, quæ conseruantur in punctis, quæ omnibus gradibus eius circuli circa Gq , descripti respondentes, secabitur parallelus in omnes 360. grad. Sed fatus est, si hoc modo semicirculus FGH , in 180. gradus distribuatur. Huius enim gradus in alterum semicirculum FqH , translati exhibebunt gradus alterius illius semicirculi. Verbi gratia, si ex L, centro Verticalis per punctum a, quod gradu 60. à meridiana linea vtrinque in circulo circa Gq , descripto, numerato respondet, recta trahatur L. a, secabitur parallelus Horizontis in T, b, punctis, quæ 60. grad. à punctis F, H, absunt: quæ si transferantur in alterum semicirculum FqH , usque ad L, g, distabunt quoque puncta L, g, grad. 60. ab eisdem punctis F, H. Hic etiam quoniam rectæ Lq, Lg, paralleli tangunt, ut Num. 7. huius prop. ostendimus, & infra Num. 20. Alterum demonstrabitur, si producantur, & inter eas dueatur ipsi qG , parallela, habebitus maior linea quæ qG , quæ similiter secunda est, ut diuisa est qG ; quæ ad modum in superiori propos. de circulo maximo obliquo Num. 24. dictum est.

R E C T E autem hoc modo diuidi parallelos in gradus demonstrabitur hæc ratione. Quoniam recta AL, in circulo maximo ABCD, per polos mundi, & polos Horizontis ducta, sumimus enim nunc circulum ABCD, pro Meridiano) æquidistantem diametro Horizontis k, per AL, intelligantur duci plana, auserent singula per Lemma 25. ex parallelo diametri XY, binos arcus aequales à punctis X, Y, inchoatos in sphæra. Igitur eadem illa plana tenuentur quoque ex polo australi abstindere eosdem arcus aequales ex parallelo eodem Horizontis in Astrolabium projecto. Cum ergo illa plana per polum australē ducta faciant per propos. 1. Num. 1. lineas rectas in Astrolabio per centrum L, Verticalis circuli, ubi omnia plana illa conuenient, transeuntes, necessario rectæ lineæ in Astrolabio per L, ductæ plana illa referent. Quia vero eadem plana in sphæra, per singulos gradus paralleli Horizontis ductæ diuidunt vtrinque semidiametrum eundem, hoc est, communem sectionem Verticalis & paralleli, ut diuidi solet. Eiusmuis quadrantis semidiameter à perpendicularibus ad ipsam ex singulis gradibus quadrantis decessis, quodd communes sectiones ipsorum cum parallelo sint parallela communis sectioni Meridiani cum eodem parallelo, ut ex demonstratione Lemnisatis 25. liquido constat, ac proinde ad vtramque semidiametrum paralleli a 29. primi. predictam perpendicularares, quemadmodum ad eundem perpendiculararis est communis sectionis Meridiani, & eiusdem paralleli; (Cum eni tam Meridianus, quam parallelus ad Verticalem rectus sit, ut quaque orum sectiones communis ad 29. undecim eundem recta; ac proinde & ad communem sectionem Verticalis, & paralleli perpendicularis seruit, ex defini. 3. lib. IV. Eucl. Id est, utque diameter visus Gq , eodem modo, ut recta paralleli diameter, ut mox demonstrabitur, perspicue constat, rectas ex L, centro Verticalis per dicta sectiones puncta semidiametri visus G , (si diuidatur, ut diximus.) ductas transire per puncta paralleli, quæ gradibus eiusdem paralleli in sphæra respondent; quandoquid hæc rectæ in Astrolabio representant illa plana per triangulos gradus paralleli in sphæra secuntur, ut dictum est.

Ded Quod

a 9. undec. Quod autem visa diameter Gq , a planis illis secetur, ut vera diameter paralleli in sphera ab eisdem diuiditur, hunc in modum demonstrabimus. Quoniam vera paralleli diameter (veram diametrum parallelum voco communem sectionem parallelum, & Verticalis in sphera) aspicitur ex polo australi per triangulum, cuius basis est ipsa diameter vera, & vertex in oculo, ita ut diameter visa Gq , sit communis sectio plani Astrolabii, Aequatoris, ac trianguli predicti; & estque diameter visa diametro vero parallela, quod utraque communis sectioni Verticalis;



b 16. under. Acquatorisque, & Horizontis parallela sit : Diameter enim vera paralleli, & communis illa sectio Verticalis atque Horizontis, cum sint sectiones in planis parallelis à plato Verticalis, effectæ, ^b parallelae inter se sunt. Quod si per eandem illam sectionem Verticalis, Horizontisq; intelligatur duci planum triangulo prædicto, quod per veram diametrum ducitur, parallellum; erunt quoque eadem communis illa sectio, & yea diameter parallelae, cum sint communes sectiones in

nes in planis parallelis à plano Aequatoris factæ. (secabutur ex scholio propos. 4. lib. 6. Euclid. diameter vera, & visa proportionaliter ab illis planis per rectam AL, & singulos gradus parallelis in sphæra ductis, hoc est, a radiis visualibus, qui communes sectiones sunt illorum planorum, & prædicti trianguli. Cum ergo vera diameter ab ipsis planis secerit, ut semidiameter cuiusvis quadrantis a perpendicularibus ad ipsam ex gradibus demissis diuiditur, ut ostensum est, diuideatur eodem modo diameter visa. quod est propositum.

27. I G I T V R si quis u. g. desideret grad. 30. in parallelo FGHq, initio facto a puncto G, & sive versus F, sive versus H, progressende, duocanda erit recta ex L, per a, punctum diametri visa G q, quod respondet gradui 30. circuli circa Gq, descripti, hoc est, per quod perpendicularis ex grad. 30. eius circuli demissa transit, initio etiam facto in eo circulo a puncto G.

28. C O N T R A quodque cognoscemus, quot gradus quilibet arcus parallelis Horizontis complectatur, si initium habeat a puncto G, vel q. Ducta enim ex termino T. arcus dati GT, recta ad L, secante Gq, in a, abscedens perpendicularis per a, ad Gq, educita ex circulo circa Gq, descripto, arcum tot graduum, quod in GT, comprehenduntur. Si vero arcus a G, vel q, non incipiat, assequemur propositum, ut Num. 26. propos. 5. scripsimus.

29. N O N dissimilis ratio est in parallelo cuiusvis alterius circuli maximi obliqui in gradus distribuendo, si pro L, accipiatur centrum illius circuli maximi, qui instat Verticalis primarii est respectu circuli maximi, cui parallelus æquidistant, ac proinde per polos parallelis ducitur, &c.

30. E X his, quæ diximus, nullo fere negotio colligi poterit, rectas ex L, centro ad G. & q. ductas tangere parallelum in G, & q, (in figura recta tangens ducta est Lq,) quod etiam supra Num. 7. demonstrauimus. Cum enim rectæ illæ referant in Astrolabio plana, quæ per AL, & extrema puncta veræ diametri paralleli ducuntur, plana autem illa verum parallelum in sphæra nullo modo sequent, sed in illis punctis extremis solum attingant, ut mox ostendemus, efficitur, ut rectæ illæ contingant quoque parallelum in punctis G, q, quæ repræsentant puncta illa extrema diametri veræ. Si enim secarent, secarent quoque plana per eas ducta parallelum verum in sphæra in binis punctis, quæ illis respondent, in quibus à rectis LG, Lq, secaretur, quod est absurdum, cum plana illa tangent parallelum verum in sphæra in punctis extremis diametri. quod sic probatur. Quoniam planum per AL, transiens, & per omnia puncta diametri veræ parallelis, circumductum fecat semper parallelum per lineas ad ipsum diametrum perpendiculara, vel cōmuni sectioni parallelis, & circuli maximi per eius polos, & mundi polos ducti parallelas, ut ex Lemmate 25. constat, fit, ut cum primum ad extrema puncta peruenierit, non amplius seget parallelum, sed in illis punctis extremis cum contingat. quod etiam aliter, & Geometrice ita demonstrari poterit. Posito circulo ABCD, ad planum Astrolabii, Aequatoris recto, ut kl, sit communis sectio circuli maximi obliqui, & eius circuli maximi, qui per eius polos, & polos mundi, instar proprii Meridiani, ducitur, si per rectam AC, in plane Aequatoris, Astrolabii, concipiatur duci maximus circulus ad obliquum maximum circulum diametri kl, rectus, (cuiusmodi est Verticalis primarius respectu Horizontis, respectu vero cuiuscunque alterius circuli obliqui maximi, circulus maximus per eius polos, communisque sectiones cunctæ cum Aequatore ductus) erit idem ad maximum circulum ABCD, in eo situ, quem diximus, rectus, cu transeat per A, C, polos circuli maximi ABCD, hoc est, per communes sectiones obliqui circuli, & Aequatoris, in his enim poli sunt circuli ABCD, di-

Gradum quantibet proposam in parallelo obliquo. Astrolabii recte per ipso centro maximi circuli, qui illius est velata Verticalis prima ins.

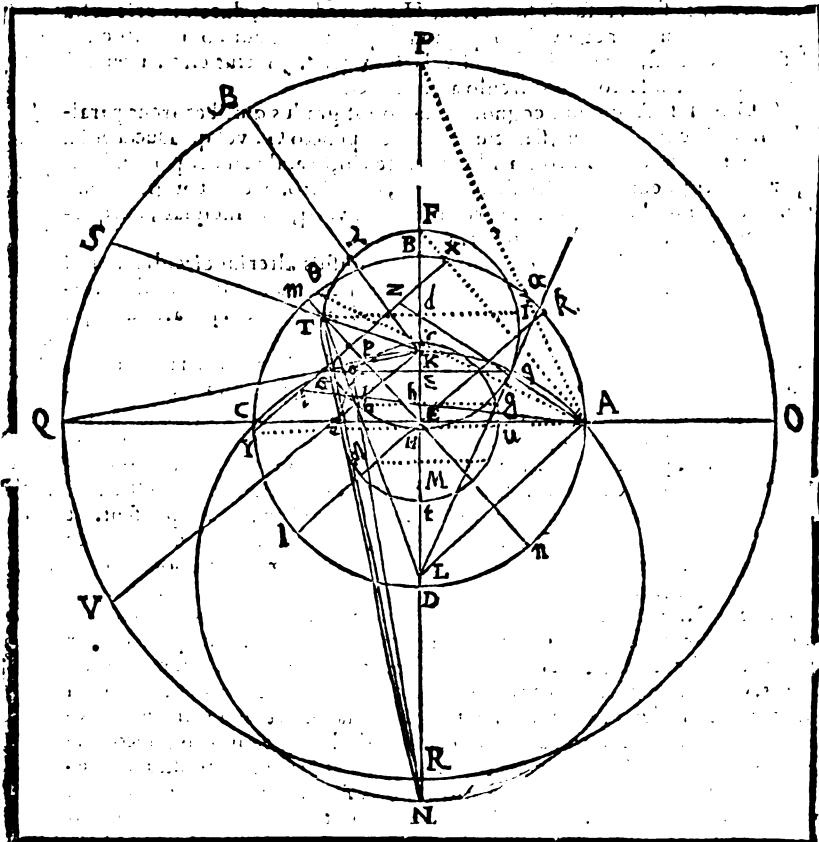
Quo gradus in arcu dato paralleli obliqui continet, ex centro maximi circuli, qui illius est velata Verticalis primaria.

Quo pacto omnibus, quæ de divisione ne parallelorum Horizontis, ex centro Verticalis dicta sunt, ad alios parallelos obliquos accommodatur.

Rectas ex centro omnibus circuli maximi in Astrolabio ductas ad intersectiones eius cum parallelis alterius maximi circuli, qui ad illum se habet, ut Horizonte ad Verticalē, los ibi tangere.

a 15. i. Theor.

dum situm habentis. Nam cum circulus maximus ABCD, rectus sit ad circulum obliquum, & Aequatorem transbit per eorum polos; ac propterea iij vicissim per eius polos transibunt. ex scholio propos. 15. lib. 1. Theod. id est communis eorum sectiones, poli erunt circuli ABCD.) Igitur cujus & circulus maximus ABCD, & circulus obliquus diametri kl, ad illum circulum maximum per AC, ductum, & rectum ad obliquum & rotundum sit; b erit quoque eorum communis sectio kl, ad eam undecim. eundem illum circulum maximum per AL, ductum recta; & ac prouide & AL



d 18. undecim. ipsi kl, parallela ad eundem circulum maximum recta erit. ⁴ Igitur planū per Adia & alterutrum extremorum punctorum diametri parallelī, quæ communis sectio est eiusdem circuli maximi ac paralleli, ductum, hoc est, circulus ab eo in sphera factus, cum eodem circulo maximo per AC, ducto rectos angulos efficiet. Quocirca cum & hic circulus per AL, & assumptione extremitum punctum diametri paralleli in sphera ductus, & parallelus ipse ad circulum illum maximum per AC, ductum,

ductum, rectus sit; & erit quoque eorum planorum communis sectio ad eundem rectas; ac proinde & ad diametrum parallelum, quæ communis sectio est parallelis, & illius circuli maximi per AC, ducti, & ad diametrum circuiti per AL, & assumptum extrellum punctum diametri parallelis transcutis, quam in hoc circulo maximus ille circulus per AC, ductus facit, (quoniam enim maximus ille circulus secans circulum per AL, & assumptum extrellum punctum diametri parallelis du-
ctum ad angulos rectos, ut ostendimus, b secat eum bisectam, ac per polos; trans-
bit per eius centrum, ideoque in eo diametrum efficit.) perpendicularis erit in
extremis earum punctis, cum utraque haec diameter in eo maximo circulo ex-
istat. Igitur eadem illa communis sectio parallelis, & circuli per AL, assumptumq.
extrellum punctum diametri parallelis transcutis, utrumque circulum, tam pa-
rallelum, quam circulum per AL, & extrellum punctum diametri parallelis du-
ctu, contingit in assumpto extremo punto diametri parallelis, ex coroll. propos.
16. lib. 3. Euclid. Ex quo sequitur ex defin. lib. 1. Theod. hosce duos circulos in
extremo punto diametri parallelis se mutuo tangere, & nullo modo secare. quod
est propositum. Verum rectas ex L, per G, & q, ductas tangere parallelum FGHq,
aliter adhuc in scholio sequenti Num. 3. demonstrabimus: sed facilior est de-
monstratio, quam in hac propos. Num. 7. attulimus.

EX hoc infertur, quamlibet rectam ex centro Verticalis ductam usque ad concavam circumferentiam parallelis ita a parallelo diuidi, ut semidiameter Verticalis sit medio loco proportionalis inter totam illam rectam, & eius segmentum exterius. Ut si ducatur ex L, centro Verticalis recta LT, secans parallelum FGHq, in b: Dico semidiameter LK, vel Lq, medio loco proportionalem esse inter LT, & Lb. Quoniam enim semidiameter Lq, tangit parallelum, ut ostendum est, & erit quadratum rectæ Lq, ex quale rectangulo sub LT, Lb. ⁴ Igitur erit
ut LT, ad Lq, ita Lq, ad Lb. quod est propositum. Eadem ratio est de alijs omnibus rectis ex L, ductis.

HI N C etiam elicetur ratio inueniendæ alterius extremitatis diametri pa-
ralleli visæ ex una extremitate cognita. Si enim rectæ inter centrum Verticalis
primariaj & extremitatem cognitam interceptæ, & semidiametro Verticalis pri-
marij reperiatur tertia proportionalis, cui æqualis absindatur, initio facto ab
eodem centro, inuentum erit alterum extrellum. Ut si cognitum sit extrellum
F, paralleli FGHq, si duabus rectis LF, LA, absindatur tertia proportionalis
LH, erit H, alterum extrellum diametri visæ FH. Sic si detur extrellum H, &
duabus rectis LH, LA, absindatur tertia proportionalis LF, erit F, alterum ex-
trellum, &c. Atque hoc demonstrauimus etiam Num. 7. huius propos.

31. T E R T I O modo parallelum cuiusviscè circuli maximi obliqui in gra-
dus diuidemus hac ratione. Vtraque semidiameter parallelis in sphera pX, pY, se-
cetur per Lemma 8. in partes inæquales, quas perpendicularares ex gradibus circu-
li circa XY, descripti demissa efficiunt. Satis autem est, si vna eo modo diuida-
tur, cum puncta eius in alteram translate eam simili modo diuidant. Deinde ex
A, polo australi per omnia puncta sectionum diametri XY, rectæ ducantur secan-
tes parallelis diametrum FH, in punctis, per quas si ad eandem diametrum FH, per-
pendicularares excitentur, diuisus erit parallelus FGHq, in gradus. V.g. Si ex A;
per punctum Z, quod gradui 60. ab X, numerato in circulo circa XY, descripto re-
spendet, recta ducatur AZ, secans FH, in d, & per d, ad FH, perpendicularis educatur
TI, cōpletetur arcus vterq. FT, FI, grad. 60; hoc est, repræsentabit arcu parallelis
grad. 60. apud australi numeratu in utramq. partem tamen orientalem, quam occidentalem.
quod ad hunc modum demonstrabimus. Posito circulo ABCD, ad planum Astrolabij
recto.

a 19. unde.

b 13. i. The.

Semidiameter
Verticalis esse me-
dio loco propor-
tionalis inter re-
ctam, quæ ex ce-
ntro eiusdem se-
cat Horizontis pa-
ralleli quemcu-
que, & eius seg-
mentum exterius.
C 36. tercij.
d 17. sexti.

Dato eno extre-
mo diametri vi-
se aliquam paral-
leli obliqui, inue-
dere alterum ex-
trellum per ter-
tiam gradus pro-
portionalis.

Parallelos obli-
quos Astrolabij
in gradus distri-
bueri, ex australi
polo. Analemma
tit.

re&o, vt XY, diameter parallelī, sit cōis sectio ipsius, & circuli maximi ABCD, per polos mundi, & per polos parallelī trāscētūs: quoniam planū in sphēra per polū australē A, sive rectam AZ, in eo situ circuli ABCD, & per rectā, quae diametrum XY, ad angulos rectos fecit in plano parallelī, ductū occurrit planū Astrolobii in d. fac̄tq. per Lemma 24. rectam ad FH, quae cōmuni sectio est circuli maxi- mi per polos mundi, & per polos parallelī trāscētūs, & ipsius parallelī, perpen- dicularem; transibit illud idem planū per rectam TI, perpendicularē ad FH. conspiciturq; in Astrolobio cosdē gradus absindere ex parallelo FGHq, quos in sphēra ex eodem parallelo absindit, cum radius visualis per omnia puncta illius plani circumductus ab eo non recedat, ac propterea perpendicularē per Z, ductam, auferentemq; hinc inde grad. 60. ab X, incipiendo, proiciat in Astro- labium in rectam TI. Arcus igitur FT, FI, repräsentant in sphēra illos, qui in parallelo sphēræ grad. 60. complectuntur, initio factō a puncto X. Atque ita de ceteris.

Gradus quemlibet propositiū
in parallelo obli-
quo reperiē, ex
pole australi Ana-
lemmatis.

Quo gradus in
area dato paralle-
li obliqui conti-
nentur, ex Polo
australi Anale-
mmatis cognos-
re.

Quo pacto om-
nia, que de diui-
dendis parallelis
Horizōtis, ex po-
lo australi An-
lemmatis dicit
sunt, ad alios pa-
rallelos obliquos
accommodentur.

Parallelum que-
nia obliquum A-
strolobii in gra-
du distribuire,
ex proprio cen-
tro, & senecto
Astrolobii.

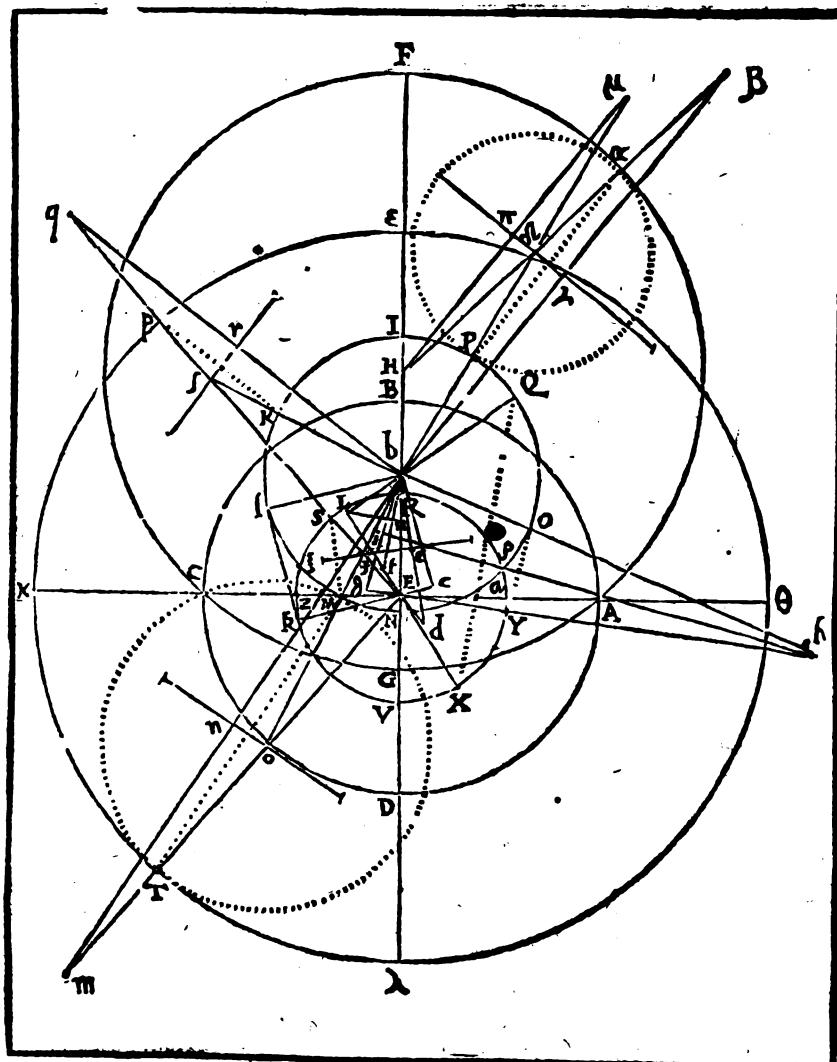
32. S I igitur ex parallelo dato absindendus sit arcus quotlibet graduum, à punto F, vel H, incipiendo, numerandi sunt gradus propositi in circulo circa XY, descripto, initio factō ab X, vel Y, & a termino numerationis ad XY, perpendicularis demittenda secans XY, in aliquo puncto. Si namque per hoc punctum ex A, recta ducatur secans FH, in alio punto, dabit per hoc punctum ducta perpendicularis ad FH, vtrunque arcum ab F, vel H, inchoatum, qui propositum nu- merum graduum contineat.

33. C O N T R A si inquirendum sit: quot gradus in dato arcu parallelī cō- tineātur, ducēdæ sunt ex illius terminis ad FH, duę perpendicularares secantes eā in duobus punctis, e quibus ad A, polū australē duas rectas ducēdæ sunt, secan tes XY, diametrum parallelī in aliis duobus punctis. Nam si ab his educantur ad XY, duę perpendicularares, inscripient hæc in circulo circa XY, descripto ar- cum tot graduum, quo in proposito arcu continentur.

34. Q V A D R A T tertia hæc tatio distribuendi parallelos in gradus, in parallelum cuiusvis circuli maximi obliqui, si quando ad Meridianum rectus nō est, pro linea meridiana BD, accipiat linea recta per eius centrum, & centrum Astrolobii ducta, communis scilicet sectio plani Astrolobii, Aequatorisue, & cir- culi maximi, qui per mundi polos, & polos obliqui circuli ducitur, instar proprii Meridiani.

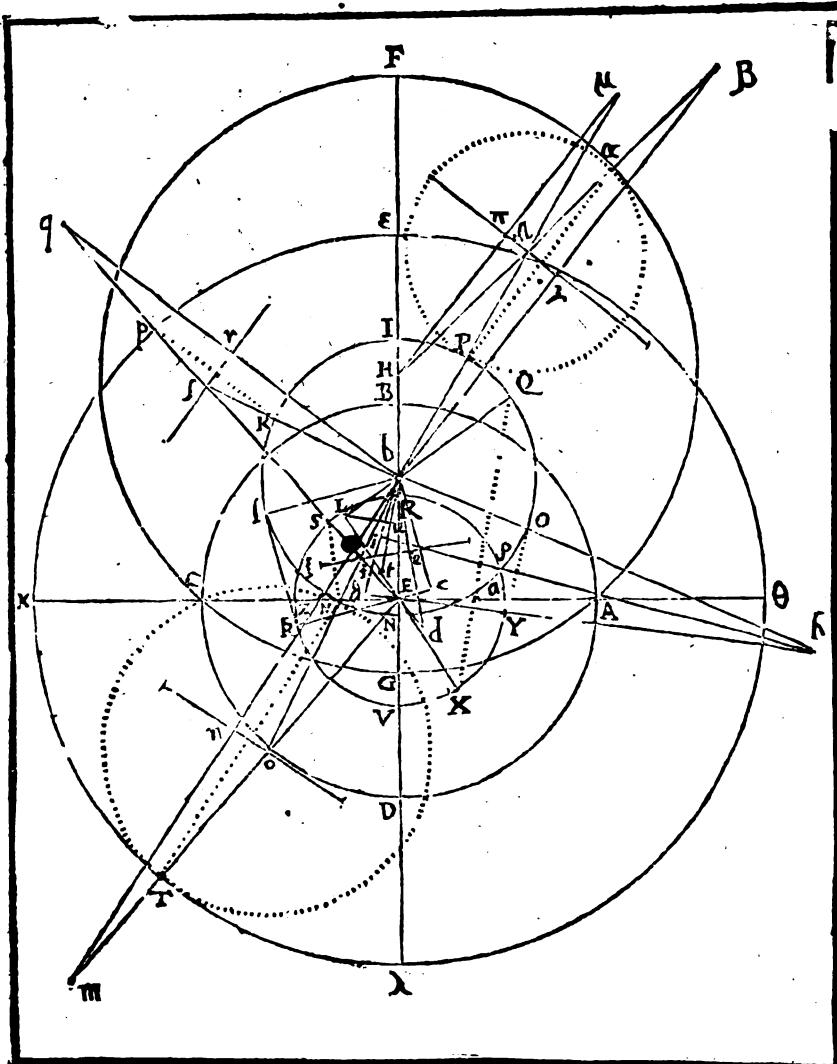
35. A D D A M V S si placet, quartam adhuc rationem distribuendi quem- cunque parallelum obliquum in gradus, similem illi, quam Num. 24. precedētis propos. atulumus: Erit namque & hæc sēpenumero percōmoda ad certos quosdam gradus inuestigandos, qui non facile alii viis inueniri possunt. Sit ergo pa- rallelus datus obliquus IKl, cuius centrum b. Describatur parallelus Aequato- ris a RZV, dato parallelo equalis, hoc est, cuius diameter in Analēmate ABCD, (Nam sumi posse Aequatorem Astrolobii pro Meridiano Analēmatis, propos. 4. Num. 5. & alibi dictum est) æqualis sit diametro dati parallelī in eodem, ita ta- men, vt borealis sit, quando datus parallelus est in hemisphērio superiore, au- stralis vero, quando in inferiore. Appellamus autem hemisphērium superius, & inferius, respectu poli superioris, inferiorisue circuli obliqui, instar Horizōtis cuiuspiam, cui datus parallelus æquidistat: Polus porro superior, infe- riorque, quo pacto sumendus sit, declarauimus Lemmae 23. Atque in hoc pa- rallelō Aequatoris puncto cuiquam S, inueniendum sit in obliquo parallelō pun- ctum respōndens M, hoc est, vt arcus RS, NM, contineant æquales numero gra- dus. (Nam quando parallelus Aequatoris, & obliquus sunt æquales, & versus eandem

eandem partem sphæræ tendunt, initium graduum sumitur in parallelo Aequatoris a punto R. superiorē, & in obliquo à boreali N. vel in illo punto V. inferiore, & in hoc ab australi I. vt in Lemmate 23. expositum est,)quod sic fieri.



Ex E, centro paralleli, in quo punctum datum est, ducta ad datum punctum S, sc. midiametro ES, absindatur ex ea versus centrum producta, si opus sit, recta
Sd, semi-

Sed semidiametro alterius parallelī aequalis, ductaq; recta db, ad centrum parallelī huius alterius, in quo punctum inueniendum est, secetur in c, bifariam, & ad angulos rectos per rectam e f, secantem ES, in f, & per f, & centrum b, ducaur re-



ta b f, secans parallelū datum in M. Dico punctum M, puncto S, responderē: hoc est, arcus RS, MN, vel $\xi S, \xi M$, aequales esse in sphera. Quoniam enim latera
be, ef,

b e, e f, lateribus de, e f, æqualia sunt, angulosq; continent rectos ; , erunt & bases bf, df, æquales : Sunt autem & bM, dS, æquales, ex constructione. Igitur & reliquæ fM, fS, æquales erunt : ac proinde, vt in Lemitate 42. ostendimus, circulus ex f, per M, S, descriptus vtrumque parallelum tanget, representabitq; propterea circulum in sphæra eosdem tangentem. Quamobrē per Lemma 44 arcus NM, RS, æquales erunt in sphæra. Ceterum idem punctum M, reperiatur, si in h, fiat angulo bdS, æqualis angulus dbM, vel rectæ bd, parallela agatur SM, vt Nu. 34. præcedentis propos. monstrauimus, etiam si recta bd, nō secetur bifariam, &c.

R V R S V S puncto Y, paralleli Aequatoris dandum sit respondens in parallello obliquo, hoc est, inueniendus arcus IO, arcui VY, vel arcus pO, arcui pY, æqualis. Ducta semidiametro EY, absindatur Yg, aequalis semidiametro parallelis: Et ducta recta gb, secetur in i, bifariam, & ad rectos angulos per rectam ih, secantem EY, productam in h, iungaturq; recta hb, secans parallelum in O. Dico punctum O, cœle, quod queritur. ^a Erunt enim rursus bh, gh, æquales. Cū ergo & Yg, Ob, æquales sint, erunt & reliquæ hY, hO, æquales. Igitur circulus ex h, per O, Y, descriptus vtrumq; parallelū tanget, ac proinde per Lema 44. in sphæra arcus pO, pY, æquales erunt, &c. Idemq; punctum O, habebitur, si fiat angulus gbO, angulo bg Y, æqualis, vel si per Y, ipsi bg, parallela agatur YO, etiam si recta bg, non secetur bifariam, &c.

QVOD si accidat dari punctum k, in tali loco, vt ducta semidiametro Ek, sumptaq; kc, semidiametro paralleli dati æquali, juncta recta cb, faciat angulum rectum, ac proinde recta secans rectam bc, bifariam, & ad angulos rectos, sit ipsi kc, parallela, ducenda erit bl, ipsi ck, parallela, vt punctū l, respondens habeatur. Tunc enim, si ducatur recta kl, cum parallelas sint, & æquales ck, bl, erunt quoq; bc, lk, parallelæ, ideoq; parallelogrammū erit cl; & anguli k, l, recti erunt, atq; ideo recta kl, vt iūq; parallelū tanget: quæ quidē recta kl, tangēs referet circulu per australē polum ductū, qui verumq; parallelū tangit in k, l. Omnis n. recta linea in Astrolabio repræsentare potest in infinitū extensa circulum per polum australē ductum, illum nimurum, qui a plano efficitur, quod per illam rectam, & polum australē in sphæra dicitur. Quocirca quemadmodum recta kl, vtrumq; parallelum tangit, ita quoque circulus per australē polum ductus, quem repræsentat, eodem parallelos tanget in k, l, ideoque arcus ξk, ξl, auferet æquales, ex Lemmate 44. Ceterum arcus ξk, ξl, esse æquales, ita quoque ostendemus. Recta kl, tangens producta cadit in polum inferiorem circuli maximi, cui parallelus IKl, æquidistat, si hic parallelus ad eius polum superiore spectet, vel contra, si parallelus ad inferiorem polum spectet, tangens kl, in polum superiore cadet. Nam, vt in scholio sequenti ad finem Num. 4. monstrabimus, recta ex alterutro polorum circuli obliqui ducta, si vnum parallelum tangat, tanget & alterum. Cum ergo vna sola recta vtrumque ex eadem parte tangere possit, vt constat, (Si namque tangeret v.g. parallelum RkV, infra k, illa producta caderet tota extra parallelum IKl; si autem illum tangeret supra k, secaret producta parallelum IKl, vt perspicuum est,) cadet omnino tangens lk, in polum circuli obliqui. Cum ergo, vt Num 21. & 24. demonstratum est, recta ex polo absindat ex parallelis arcus æquales, æquales erunt ablati arcus Rk, Nl: Sunt autem candem ob causam & ablati arcus Rξ, Nξ, æquales. Nam & recta ex polo paralleli obliqui ad ξ, ducta arcus æquales absindit. Igitur & reliqui arcus ξk, ξl, æquales sunt. quod est præpositum.

SIT præterea datum in Aequatoris parallelo punctum X, reperiendusq; sit arcus p Q, arcui pX, vel arcus IQ, arcui VX, æqualis. Ducta semidiametro EX, abs-

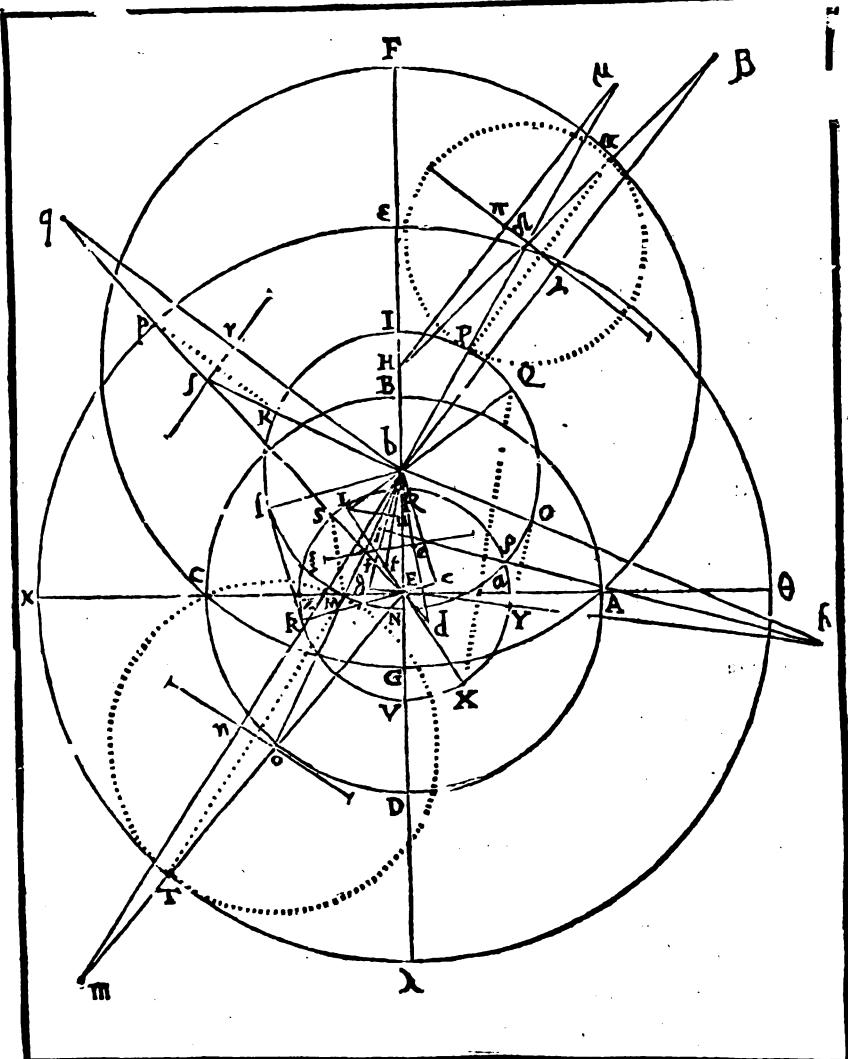
Ecc scissaq;

c 33. primi.

d 34. primi.

Omnem lineam rectam in Astrolabio representata re posse circulum per polum australē ducendum.

scissisq; Xt, æquali semidiametro dati parallelī, iungatur tb, quā bisfariā, & ad angulos rectos fecet uL, secans Xt, versus t, protractā in L. (Hęc namq; perpendiculare scabat semidiametrū parallelī, in quo punctum datum est, vel versus datum)



punctum, etiam protractam, quando opus est, vel nō secat vlo modo, vel deniq; protractam in partem contrariam, prout angulus in extremo recte, que abscissa est semidiametro alterius parallelī æqualis, fuerit acutus, rectusue, aut obtusus).

ac tan-

ac tandem recta ex L, per centrum b, ducatur secans parallelum in Q. Dico arcum IQ, arcui VX, aequalem esse in sphera. ^a Nam rursus bases tL, bL, aequales sunt. Cum ergo & tX, bQ, sint aequales positae; erunt totae LX, LQ, aequales. Igitur ^{a 4. primi.} per Lemma 42. circulus ex L, per Q, X, descriptus parallelos tanget; ac proinde per Lemma 44. IQ, VX, vel pQ, pX. Idem aequales erunt in sphera arcus quoque punctum Q, reperietur per rectam LQ, facientem angulum tL, angulo bL, aequalem; vel etiam per rectam XQ, recta bt, parallelam, ut supra demonstratum est, etiam si bt, non secetur bifariam, &c.

D E S C R I B A T V R quoque parallelus Aequatoris $\theta\pi\lambda$, priori aequalis, & oppositus, per quem idem parallelus obliqui IKL, dividendus sit. Et quia paralleli $\theta\pi\lambda$, IKL, aequales sunt, & ad diuersas partes spherae, incipient in eis partes aequales respondentes ex eadem parte, & versus eandem progredientur. vt in Lemmate 23. dictum est, nimirum a punctis ϵ , I, versus α , L, aut λ , N, versus α , L, &c. Sumatur ergo arcus λT , similis arcui RS, ex quo inuenitus fuit arcus NM, arcui RS, aequalis, inueniensq. sit ex arcu λT , idem arcus NM. Ducta semidiametro ET, absindatur ex ea producta, recta Tm, semidiametro alterius parallelis aequalis: Iuncta autem recta nb, eaq. recta bifariam in n, & ad angulos rectos per rectam o, secantem ET, in o, connectatur o b, secans parallelum in M. Dico arcum NM, arcui λT , hoc est, arcui RS, aequalem esse; ac proinde punctum M, esse idem, quod ante per arcum RS, invenitum fuit. ^b Quoniam enim om. ^{b 4. primi.} o b, aequales sunt in triangulis m n o, b n o, si demantur aequales Tm, Mb, reliquae oT, oM; aequales erunt. Igitur circulus ex o, per T, M, descriptus parallelos tanget in T, M, vt in Lemmate 42. ostensum est: atque idcirco per Lemma 44. arcus λT , NM, aequales erunt in sphera. Quod si angulo E in b, fiat aequalis angulus mbo, vel si TM, ipsi mb, parallela agatur, reperietur idem punctum M, etiam si mb, non secetur bifariam, & ad rectos angulos.

S I T rursum arcui dato sp, absindendus aequalis IK. Ducta Ep, sumatur in ea extra parallelum recta pq, semidiametro parallelis IKL, aequalis. Iuncta autem recta qb, eaq. recta bifariam, & ad angulos rectos in r, per rectam secantem Eq, in s, connectatur recta sb, secans parallelum in K, eritq. arcus IK, arcui sp, aequalis in sphera. quod demonstrabitur, vt de arcu NM, dictum est.

SIMILI ratione, si detur in maximo quoquis circulo obliquo AFCG, punctum α , inueniemus in eius parallelo quolibet IKl, punctum respondens P. Idemque fiet, si dicti duo circuli sint paralleli, licet neuter eorum sit maximus. Nam ex centro H, illius, in quo punctum datur, ducta semidiametro Ha, & extra parallelum sumpta recta $\beta\beta$, aequali semidiametro alterius parallelis, iungemus $\beta\beta$, quam secet in γ , bifariam, & ad angulos rectos recta $\gamma\delta$, secans H β , in δ . Iuncta enim βb , secabit parallelum in P, puncto quiescito. quod etiam reperietur, si fiat angulus $\beta\beta\delta$, angulo $\beta H\beta$, aequalis, vel per α , ipsi $\beta\beta$, parallela agatur αP . Quod demonstrabitur, vt proxime dictum est. ^c Nam rursus aequales erunt $\beta\beta\delta b$, in triangulis $\beta\beta\gamma$, $\beta\beta\delta$, a quibus si tollantur aequales Pb, $\alpha\beta$, reliqua βP , $\beta\alpha$, aequales erunt, &c.

Parallelum que
vis obliquum in
gradus distingue-
re, ex eius circu-
lo maximo, cui
aquadividunt, vel
ex alio parallelo
in gradus divisi.

VICISSIM ex dato punto P, reperietur respondens punctum α , in alio parallelo. Ducta enim semidiametro bp, absindatur extra parallelum recta P μ , semidiametro alterius parallelis AFCG, aequalis. Iuncta autem μH , reliqua perficien- tur, vt prius.

^{c 4. primi.}

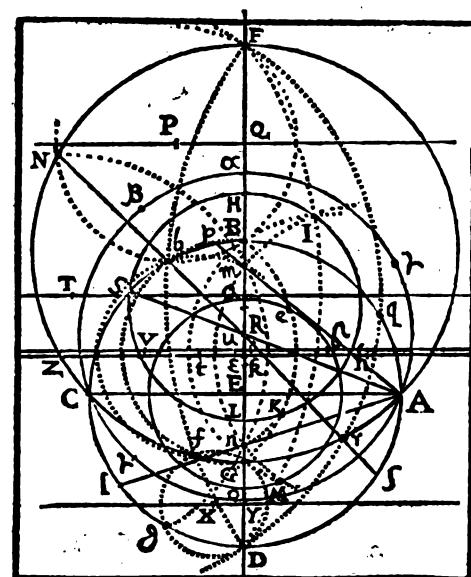
H A C ratione accidente Lemmate 45. ex quo quis punto Horizontis, aut alicuius parallelis eius, inueniri poterit punctum respondens in quoque parallelo alio ipsis, & contra.

Quid obseruat
duo, et circulus
per aliud circu
lam huius de
scriptor in gra
dus.

Circulus maxi
mos obliquos
coramque paral
lelos diversis ra
gradus per circu
los variis, per ter
ras puncta descri
ptos.

VIDES ergo, quando arcus æquales in duobus circulis progrediventur eodem ordine, sive versus, vel deorsum, ut sit in parallelis quibuscumque, vel in duobus circulis vergentibus ad diuersas partes in sphæra, adiiciendam esse semidiametro vnius diametrum alterius; quando autem in uno descendendum est, & in altero ascendendum in arcibus, qui æqualibus arcibus in sphæra respondent, ex semidiametro vnius auferendam esse versus centrum semidiametrum alterius. Quod quidem sit, quando duo circuli æquales vergunt ad eandem sphæram partem, ut in exemplis monstratum est.

36. NEQUE vero prætermittenda est alia via per facilis, & iucunda distri
buendi tam maximos, quam non maximos circulos in gradus, vel potius inuecti
gandi quemcumq; gradum in circulo sive maximo, sive non maximo; quæ est eius
modi. Sit Aequator ABCD, cuius centrū E, circulus maximus obliquus AFCG,
cū polus R. Sumantur duo puncta in meridiana linea FD, æqualiter distata ab
E, polo Aequatoris, & R, polo circuli obliqui, versus D, & F, nō autē in segmen
to ER, ne nimis propinquum unum alteri fiat: Huiusmodi sunt puncta D, & F, cū
segmenta ED, RF, quadrantes repræsentent inter polum mundi E, & Aequatorem,
& inter polū R, circuli obliqui, & ipsum circulum, inter eos. Diuisa autē recta
FD, inter asumpta puncta bifaria in a, ducatur per a, ad FD, perpendicularis a T,
in utramque partē in infinitum. Iam dato punto q, in se
micirculo Aequatoris ABC, quod grad. 60. a punto B, distat, reperiemus in semicirculo
circuli obliqui maximi AGC, punctū respondens r, si per tria puncta F, q, D, ex cen
tro T, (quod per coroll. propos. 1. lib. 3. Eucl. in perpendiculari a T, existit) circulus de
scribatur Fqd, secans circu
lum obliquum in r. Quoniam enim circulus Fqd, repræsen
tat illū in sphæra, qui per tria
puncta tribus punctis F, q, D, respondentia ducitur, distat autē F, D, a polis R, E, in sphæ
ra æqualiter; erit polus huius
circuli in circulo maximo, qui per polū Meridiani FD,
& punctum mediū arcus eiusdem per rectam FD, repræsen
tati ducitur, ut ad finem Lem



matis 47. ostendimus. Igitur per idem Lema dictus circulus Fqd, ex Aequatore, & circulo maximo AFCG, arcus æquales absindet, quibus respondent arcus Bq, Gr. Quod si per eadē duo puncta, F, D, & punctū Aequatoris b, grad. 30. a punto B, distans describatur circulus Fbd, centrum habens in eadē perpendiculari a T, secabitur maximum circulus AFCG, in f, punto grad. 30. distante a punto G.

IDEM punctum f, reperiatur hoc modo. Recta YX, secet DG, bisarij, & ad angulos rectos, & per puncta D, G, & g, distans grad. 30. a punto D, describatur ex centro X, circulus GDg. Hic enim secabit AGC, in f. Nam rursus, ut ad finem

nem Lemmatis 47. monstratum est, circulus GDg, polos habet in circulo, qui cum DG, in sphæra diuidit bifariā, & ad angulos rectos. Igitur per idem Lemma auferet ex DC, GC, arcus æquales Dg, Gf.

R VRSVS idē pūctū f, inueniemus hac ratione. Sumātur duo arcus Cl, Sp, æqua-
les, ducāturq; radij Al, Ap, vt habeātur puncta n, m, æqualiter distātia à polis E,
R, cū segmenta En, Rm, arcubus aequalibus Cl, Sp, respōdebant. Si n. accipiatur
arcus Bb, grad. 30. in Aequatore, & per tria pūcta m, b, n, circulus mbn, describa-
tur habens centrū t, in recta k, Z, secante mn, bifariā, & ad angulos rectos, secabi-
tur CG, in f, pūcto, quod ipsi b, respondebit, vt ex Lemmate 47. perspicuum est.

PRAETEREA si per tria puncta B, b, G, circulus BbG, describatur centrum
u, habens in perpendiculari i V, secante BG, bifariam, secabitur CG, in eodem
pūcto f: propterea quod puncta quoque B, G, æqualiter a polis R, E, distant. Cū
enī EB, RG, quadrantes sint ex polis ad circulos maximos duci; ablato com-
muni arcu RE, reliqui arcus RB, EG, æquales erunt.

A T Q V E in hunc modum, si alia, atque alia puncta sumantur a polis R, E,
æque remota, & per binā, atque pūcto b, datum circuli describantur, reperie-
tur idem pūctum f, pluribus vijs. Possunt quoque a sumi ipsimet poli R, E, pro
punctis, si eorum distantia non sit nimis exigua.

S I C etiam, si per puncta F, B, & pūctū b, distans grad. 30. a pūcto B, circu-
lus describatur Bb, centrū habens P, in recta QP, perpendiculari ad FB, secante
ipsam FB, bifariā, reperiatur pūctum N, pūcto b, respondens. Nam vt ad finem
Lemmatis 47. monstratum est, circulus FBbN, polos habet in maximo circulo,
qui arcum FB, in sphæra diuidit bifariam, & ad angulos rectos, ac proinde per
C, & A, polos circuli FBD, transit. Igitur ex eodem Lemmate auferet circulus
FBbN, ex circulis BC, FC, arcus æquales Bb, FN..

I T A Q V E vt per duo puncta a polis R, E, æqualiter remota, inueniatur in se-
micirculo AGC, pūctū quotcumq; gradibus a pūcto G, distans, sumendum est
in Aequatoris semicirculo ABC, pūctum respondens: ac vero in semicirculo
ADC, pūctū dandū est, vt pūctū respondens in semicirculo AFC, reperiatur. Si
autē per duo pūcta D, G, inueniēdū sit quodlibet pūctū in semicirculo AGC,
accipiendū est pūctū respondens in semicirculo Aequatoris ADC. Si deniq; per
duo puncta F, B, reperiendum sit pūctū in semicirculo AFC, sumendum est pūn-
ctum respondens in semicirculo ABC. Quæ omnia ex Lemmate 47. eliciuntur, &
obseruata sunt hic in punctis inuestigandis. Nā ex pūcto g, & punctis n, m, æqua-
liter ab E, & R, distantibus inuestigatum est pūctum N, per circulum g n m N.
Itē ex pūcto b, & punctis F, B, per circulum FBbN, idem pūctū N, inueniētū est.

E A D E M ratio seruanda est in circulis non maximis, si dato circulo non
maximo describatur parallelus Aequatoris æqualis, tantum a polo boreali de-
stans, quantum ille a suo polo superiore recedit, qui intra Aequatorem existit.
Vt si sit HIKL, parallelus obliquus, cuius polus R, & parallelus Aequatoris bo-
realis illi æqualis a e MO: inuenietur pūcto M, respondens pūctum I, per cir-
culum FMD, vel per circulum Mnml, ex centro h, vel MGBl, ex centro J.

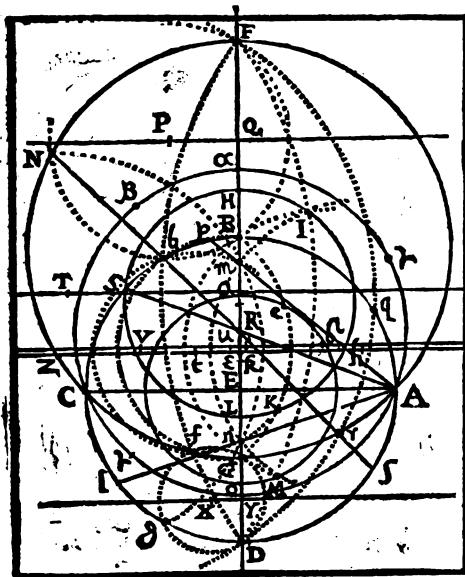
Q V O D si circulus non maximus obliquus proprius ab sit, a polo suo inferio-
re, quam a superiore, si quidem per eius polum superiorem diuidens circulus de-
scribendus sit, & per polum borealem, describendus erit parallelus Aequatoris
australis illi æqualis; (quia hac ratione ambo circuli a suis polis, per quos claudi-
lus diuidens describendus est, æquales habebunt distantias) ac recta inter polum
borealem, & polum superiorem obliqui circuli, vel recta inter duo puncta æqua-
liter ab illis distantia, diuidenda bifariam, vt in perpendiculari ex eo pūcto
medio

medio ducta centrum inueniatur circuli per duos illos polos, vel duo illa puncta, describendi, &c. Si vero polus circuli obliqui inferior assumatur, describendus erit parallelus Aequatoris borealis illi æqualis; (quia hoc posito, ambo circuli a suis polis, per quos circulus dividens describendus est, æqualiter distabunt) & recta inter polum borealem, & polum inferiorem circuli obliqui, vel recta inter duo puncta ab illis æqualiter distantia, secunda bifariam, &c. Et si in maximis circulis recta inter polum boreum, & inferiorem circuli obliqui secedet bifariam, abscedentur ex Aequatore, & obliquo circulo partes æquales eodem ordine, quem seruandum esse diximus, quando primo modo ex polo superiore divisione circuli obliqui instituitur, non autem eo, quem in Lemmate 47. prescrivimus, hoc est, a punctis F, B, vel D, G, initium sumere debent arcus abscessi in Aequatore, & maximo circulo obliquo, non autem a punctis F, D, vel B, G. Eodem pacto in non maximis, quando parallelus obliquus polum inferiorem ambit, arcus abscessi inchoandi sunt in eo, & in parallelo Aequatoris australi & æquali, a punctis superioribus, inferioribusque, & circulus describendus per polum superiorem, & borealem, ita ut curvatur arcum abscissorum eodem ordine progradientur, hoc est, vel sursum, vel deorsum tendant.

Vt autem experimendo quoque discas, recte hoc modo puncta proposita in circulis obliquis reperi, inuenimus punctum N, ex polo superiore per rectam RbN; & punctum f, per rectam Rfg; & punctum r, per rectam Rts.

I AM vero quoniam C, A, poli sunt circuli maximi per polos mundi, & per polos circulorum obliquorum AFCG, HIKL, duicti, quæ recta FD, representat; si circa alterum ipsorum, vt circa C, describatur per datum punctum b, in Aequatore parallelus circuli FED, vt propositione 18. Num. 5. docebitur, cuius centro est in recta AC, vt ex propos. 7. patebit, secabitur obliquus circulus AFCG, in N, puncto, quod puncto b, respödet; vt ex eodem Lemmate 47. perspicuum est. Si vero circa polum A, per datum punctum M, in parallelo Aequatoris eodem modo parallelus describatur, secabitur parallelus obliquus in respondente puncto I. Immo si arcus FB, bifariam fecetur in α , vt propos. 5. Num. 18. traditum

est, & per A, p, C, circulus maximus describatur AæC, & circa quodlibet eius pum β , vel γ , per datum punctum b, vel g, in Aequatore parallelus describatur illius circuli maximi, cuius β , vel γ , polus est, vt in propos. 18. Num. 6. praescripiemus, secabit prior parallelus circulum maximum obliquum in N; posterior



rior vero eundem in s, secabit, vt ex eodem Lemmate 47. liquet. Sic et iam si arcus ER, inter polum paralleli Aequatoris, & polum paralleli obliqui positus secetur bifariam in s, per ea, quæ propos. 5. Num. i 8. scripsimus, & per A, s, C, maximus circulus describatur; ac circa quodlibet eius punctum per doctrinam propos. i 8. per datum punctum M, in parallelo Aequatoris parallelus describatur, secabitur parallelus obliquus in I. punto, quod ipsi M, respondet. Sed prior via per parallelos circa polos C, A, descriptos, præstantior est, tum quia paralleli circa illos per datum punctum facilius describuntur, cum sint paralleli sphærae rectæ, quam circa alios polos, vt propos. i 8. Num. 5. tradetur, tum etiam quia paralleli, quorum poli sunt A, & C, refecant binos arcus ex maximo quoquis circulo obliquo, eiusq; parallelis respondentes arcui dato in Aequatore, vel eius parallello. Ut parallelus per punctum b, descriptus secabit obliquum circulum maximum in N, & s, eruntq; arcus FN, Gf, arcui Bb, vel Dg, æquales. Exemplum huius rei repertus propos. i 8. Num. 5. Huc accedit, quod in hac ratione non est necesse, vt circuli non maximi habeant polos in circulo maximo FD, æqualiter a circulo maximo medio, vt in Lemmate 47. dictum est, distantes, aut in determinatis locis, sed satis est, vt respondeant in sphæra circulis æqualibus, siue parallelos Aequatoris australis sit, siue borealis, vbi cunque circulus non maximus obliquus polos in circulo FD, habeat: ita vt in figura Lemmati 47. parallelus circa polum B, descriptus tam ex infinitis circulis maximis per B, ductis, quam ex infinitis circulis non maximis æqualibus polos in circulo maximo ADC, habentibus arcus æquales simul abscindat. Idem contingit in figura paulo ante proposita. Nam si circa C, vel A, parallelus maximi circuli FED, describatur, vt propos. i 8. Num. 5. docebimus, abscindet ex circulis, quorum centra in recta FD, existunt, ac proinde & qui polos in eadem recta habent, siue maximi illi sint, siue non maximi, binos arcus æquales, respondentes illi arcui Aequatoris, vel parallelii Aequatoris, per cuius extremum parallelus circa polum C, vel A, descripsit est, dummodo parallelus Aequatoris æqualis sit circulo non maximo, ex quo abscindendi arcus proponuntur, non secus, ac in sphæra contingit. Atque hæc ratio solum incommoda est, quando punctum datum in Aequatore, vcl eius parallello parum distat a recta FD, quod tunc parallelus per illud describendus, fit nimis amplius, ita vt ægre eius centrum in recta AC, haberit posset.

37. A D extrellum licebit nobis quemlibet parallelum obliquum partiri in gradus modo illo pulcherrimo, quem in præcedenti propos. Num. 36. in circulis maximis exposuimus. Sit enim Aequator ABCD, circa centrum E, circulus maximus AFCG, cuius diameter vera ik, & axis Lξ; eiusdem parallelus in Astrolabio a PβQ, cuius diameter vera IN, occurrens meridianæ lineæ in S, punto, per quod ducatur Sp, ad FD, perpendicularis, quæ communis sectio erit plani Aequatoris, & plani parallelii in sphæra. Quoniam enim tam Aequator, quam parallelus ad proprium Meridianum rectus est, quod Meridianus per utriusque polos transeat: b erit quoque eorum communis sectio ad eundem rectam, ac proinde ex defin. 3. lib. i 1. Euclid. ad rectam FD, in Meridiano existentes, perpendicularis in punto S, vbi parallelus plano Aequatoris occurrit. Perpendicularis ergo Sp, communis sectio est parallelii, & Aequatoris. Rectæ deinde SM, abscindatur æqualis ST, siue deorsum, siue sursum versus, & ex T, circulus describatur VXZY, ad interuallū semidiometri parallelii MN, vel MI, qui parallelō in sphæra æqualis erit: atque adeo si circulus ABCD, pro Meridiano proprio parallelū accipiatur, concipiaturque ad Aequatorem, siue ad planum Astrolabij rectus, ac denique planum, in quo circulus VXZY, circa Sp, circumducatur, congruet hic

Præclaramissima
via ad inuenien-
dum datum pun-
ctum in circulo
quoquis oblique
per parallelum
in sphæra recta

Alia ratio pul-
cherrima, dividē
di quemvis para-
lelam in gradus.

a 15. i. Theo.

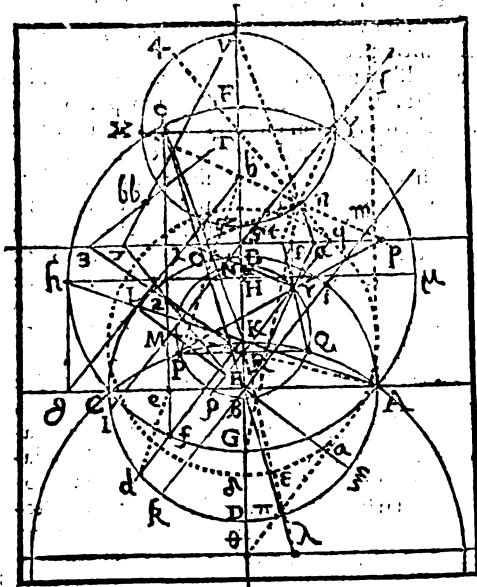
b 19. undec.

hic circulus cum parallelo in sphera. Si igitur ex punctis V, X, Z, Y, atque etiam ex centro T, aut ex quocunque alio punto plani, in quo ipse circulus existit, linea recta per quemcumque puncta circumferentiae educantur, secabitur communis sectio Sp, in eisdem punctis, in quibus secatur, si ex respondentibus punctis parallelis in propria positione emitterent rectas per eadem puncta circumferentiae parallelis. Respondet autem punctum X, puncto P, in diametro visa (qua habetur, si ex β , centro Verticalis proprij, quod exhibetur per rectam A π , ad L ζ , perpendiculari in a, Verticalis per polum K, describatur secans parallelum in P, Q. Recta enim PQ, erit diameter visa, & R, centrum visum; quod etiam inuenitur per radium AM, ad M, centrum verum ductum.) & Y, ipsi Q; & V, puncto β , & Z, ipsi α ; nimirum sinistrum sinistro, dextrum dextro, remotius à communis sectione Sp, remotori, propinquius propinquiori, & centrum centro.

E X quolibet ergo horum punctorum paralleli visi ipsum parallelum in gradus partiemur, si ex punto respondente in parallelo vero per datum punctum in circumferentia rectam ducamus, & per eius intersectionem cum Sp, ex respondente punto in parallelo viso rectam emittamus. Hac enim per eius punctum quiescit transibit. Ut si ex punto V, per datum punctum, recta ducatur, secans Sp, in u, dabit recta β , punctum r, quiescit, quod puncto n, respondet: propterea quod recta Vn, projectur in rectam β u, cum punctum V, in β , & u, in u, apparet. Sic si ex punto Z, per n, recta ducatur secans Sp, in γ , dabit recta $\alpha\gamma$, idem punctum r. Rursus ducta ex X, per n, recta secante Sp, in p, transibit per idem punctum r, recta Pp. Ita ducta recta Yn, secante Sp, in t, reperiatur idem punctum r, per Qt, rectam. Sed commodissime res peragetur per rectas ex punctis V, & Z, emissas, ex V, quidem per gradus semicirculi XZY, at vero ex Z, per gradus semicirculi XYV: Ita enim puncta intersectionum in recta Sp, non procul abe-

Quae puncta paralleli veri quibus punctis paralleli visi presentantur.

Bina puncta paralleli obliqui ad divisionem apertissima, que finit.



runt a punto S: Et per rectas ex V, emissas reperientur puncta in arcu PaQ, punctis semicirculi XZY, respondentia, si ex β , rectas egrediantur per intersectionem puncta in recta Sp, a rectis ex V, emissis facta; per rectas vero ex Z, egredientes, inuenientur puncta in arcu P β Q, punctis semicirculi XYV, respondentia, si ex α , per intersectiones in recta Sp, a rectis ex Z, educatis factas rectas cibiantur.

Si recta ex centro T, per datum punctum n, educta commode rectam Sp, intersectare potest, qualis est recta Tn, secans Sp, in q, offendemus per rectam Rq, ex centro viso erectam per q, bina puncta r, p, quorum illud punctum n, hoc vero puncto

so punto 4. per diametrum opposito respondet.

VICISSIM ex dato quolibet punto in parallelo viso, reperiemus in vero gradum, cui respondet, si ex aliquo punctorū α, P, β, Q, R, in parallelo viso per datum punctum rectam ducamus secantem Sp, in aliquo punto. Recta enim ex punto paralleli veri, quod assumpro punto respondet, ad punctum sectionis emissā, transibit per verum punctum respondens. Ut quia recta β r, secat Sp, in u, dabit recta V u, punctum n, respondens, ita ut arcus α r, Zn, aequalē numero gradus complectantur.

NON dissimili ratione, si detur in plano cuiusvis paralleli obliqui punctum, reperiemus eius situm in Astrolabio, id est, locum, ubi in eodem parallelo viso appareat ex australi polo conspectum. Sit namque datum punctum bb, quod scilicet concipiatur in sphera talem positionem habere in plano paralleli diametri LN, qualiter respectu circuli VXZY, obtinet, hoc est, existat iuxta quadrantem orientalem, atque australem, extra circulum. Nam si parallelus VXZY, habeat proprium situm; quadrans XZ, orientalis est, & australis, & XV, orientalis, borealisque, &c. Ductis ergo ex quibuscumque duobus punctis, ut ex T, V, per datum punctum bb, rectis secantibus communem sectionem in punctis 3, 7, ducantur ad 3, 7, ex respondentibus punctis R, β, recte R 3, β 7. ubi enim haec se intersectant in punto 2, ibi erit visus locus datum puncti bb: propterea quod recte T 3, V 7, per datum punctum bb, transverses projiciuntur in rectas R 3, β 7. ut ex ijs, quæ diximus, perspicuum est.

EX CIPENDIA autem sunt puncta in communis sectione paralleli obliqui, & plani, quod per polum australi Aequatori dicitur parallellum, existentia: Hec etenim nulla possunt habere puncta visa respondentia in Astrolabio; cum tota illa communis sectio in Astrolabio cuaneat, nullumq; eius punctum in Astrolabij plano appareat: quippe cum omnes radii visuales in plano illo parallelo existentes, & per puncta dictarum sectionis communis traiecti plano Astrolabij, Aequatorisve æquidistant. Exempli causa. Si ducatur ex A, polo australi recta Al, ad AC, perpendicularis, vel plano Aequatoris parallela, occurret planum per Al, ductum Aequatori parallellum plano paralleli per Il, ducti in l, facietq; communem sectionem per l, ad Il, perpendiculararem. Si igitur recte Sl, a qua semper semidiametro Verticalis Aθ, æqualis est, ob parallelogramnum AS, absindatur æqualis SG, (abscindenda autem est infra S, si parallelus verus est supra S, supra verò, si infra. Ita enim punctum G, puncto l, respondens, veram distantiā a vero parallelo habebit, ut constat, si situs paralleli veri recte concipiatur, & planum Astrolabij circa Sp, circumducatur, donec cum recta Il, in plano proprij Meridiani existente congruat) ducenda erit dicta communis sectio per G, (casu verò accidit, ut recta SG, recta Sl, sit æqualis) ad FG, perpendicularis. Itaque si quis tentet puncto G, reperire punctum visum respondens, ducendo ex G, ad punctum n, rectam secantem Sp, in s, inueniet rectam ex s, per punctum r, respondens puncto n, ductam, parallelam esse recte FG: idemq; experietur in alijs rectis; ita ut recte per intersectionum puncta in Sp, inuenta ducta ad puncta visa respondentia punctis veris, ad quæ ex G, recta ducta sunt, nullo modo sece intersecent, ut punctum visum in earum intersectione haberi possit. Eodem modo, si quis velit cuiusvis alij puncto in recta perpendiculari ad FG, per G, ducta, inueniagare punctum visum respondens, reperiit alias rectas inter se parallelas per intersectionum puncta in recta Sp, ductas, licet ipsi FG, non æqui distent, &c.

IDEM cernere licet in maximis circulis obliquis, ut in precedenti proposi-

Fff Num. 36.

Dato punto in parallelo obliquo viso, punctum respondens in parallelo obliquo vero inveniatur.

Dato, punto in piano cuiusvis paralleli, obliqui in sphera, eius situm in Astrolabio invenire.

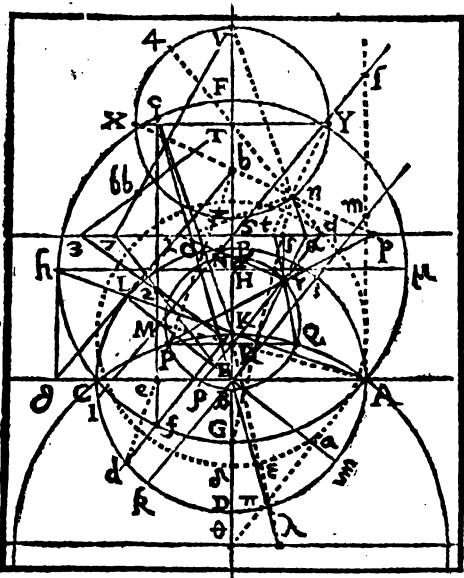
Quæ puncta visa in piano paralleli obliqui in sphera, nō habent respondentia puncta in Astrolabio.

a 34 primi.

34. primi.

Num. 36. dictum est. Nam cum planum Aequatoris parallelum per rectam A1, de-
ctum occurrat plano circuli maximi in m, si rectæ Em, ² (quæ perpetuo etiam
semidiameter Verticalis Aß, æqualis est ob parallelogrammum AF,) æqualis ab-
scindatur Eb, ducenda erit predicta communis sectio plani circuli obliqui, &
plani illius paralleli per b. Si igitur quis velit punctob, exhibere punctum vi-
sum respondens, ducendo ex b, per aliquod punctum obliqui circuli veri, ut per
O, rectam, quæ fecerit AC, in e, erit recta per e, ad c, punctum respondens in visu
circulo obliquo ducta, parallela ipsi FG. Atq; ita alia quoq; rectæ parallelæ in-
uenientur eidē FG. Quare hæ lineæ apparentes nullo modo se se intersecabūt, ut
punctum visum habeatur. Ex alijs punctis communis sectionis predictarum per b, da-
tae inuenientur alia rectæ inter se parallelæ, quævis ipsi FG, nō æquidistant. Ver-
rū rectas ex punctis huiuscemodi sectionis ad quævis puncta circuli obliqui veri
ductas proticet in lineas parallelas, planius fiet ex iis, quæ mox demonstrabimus.

Circumscription



b, 16 undec.

rectas ipsi Al. parallelas, ita ut planū illud circumductū proiecatur in lineas ipsi Al, atq. ideo & inter se parallelas. Igitur cum planū per Al. & bO, ductū occurrat ipsi AC, cōmunt sectioni Aequatoris, & circuli obliqui in e, apparebit transire per parallelā e c, ac proinde cum ducatur per O, apparebit punctū O, in c, cū in illa parallela appareat. Vbi vides rectā ex polo K, per O, ductam cadere in tē pūctum c, vt res postulat, quemadmodū propos. 5. Num. 17. demonstratum est. Ea dem autem parallela e c, indicat alia ex parte aliud punctū f, quod puncto d, responderet, quod etiam indicatur per rectam Kd. Rursus si ex b, per L, polum verum obliqui circuli recta ducatur secans AC, in g, dabit parallela g h, punctum h, ipsi L, respondens, in quod etiam cadit recta KL: estq. punctum h, in extremitate diametri Horizontis h μ, ad FG, perpendicularis: ita ut arcus hC, arcuī LC, respondent: quod etiā in sc hol. prop. 5. ad finē Nu. 14. demonstrauimus. Recta porro BL, tangit circulum ABCD, in polo L, auferitq. rectam Eg, semidiametro H

Digitized by Google

P R O P O S . VI

411

rizontis apparentis æqualem. Quoniam enim duo latera bE, EL, trianguli bEL,
duobus lateribus mE, EA, trianguli mEA, æqualia sunt, ^a angulosq. continent
æquales, quod arcus Ai, BL, metentes altitudinem poli supra circulū obliquū
æquales sint; ^b erunt quoq. anguli bLE, mAE, æquales. Cū ergo mAE, sit rectus,
erit quoq. bLE, rectus, ideoq. ex coroll. prop. 16. lib. 3. Eucl. bL, circulū tanget in
L. Auserri autē rectā Eg, æqualem semidiametri Horizontis H h, ^c perspicuum
est, propter parallelogrammum gh.

SIT rursus puncto n, vero parallelī assignandū punctū visum. Ducatur exG,
puncto vero, quod ipsi l, respōdet, recta Gn, secās cōmunē sectionē Sp, in s. Nā
recta sr, ipsi FG, parallela offeret punctū respondēs r, quod eodē modo demon-
strabitur. Nā si per rectā Al in plano, quod Aequatori æquidistat, & in polo au-
stralī A, sphērā tāgit existētē, & per G transcutem in proprio situ planū circū
ducatur, ^d faciet illud in plano Astrolabij, Aequatorisue rectas ipsi Al, paralles,
in quas planum illud circumductum projicitur. Cum ergo planum per Al, &
Gn, ductum occurrat ipsi Sp, communi sectioni plani Aequatoris, & paralleli in
s, conspicietur transfire per parallelam s r, ac proinde cum ducatur per n, appa-
rebit punctū n, in r, cum in illa parallela, in quā recta Gn, projicitur, appareat.

DENIQUE quemus maximū circulū obliquū, eiusq. parallelos distribuemus
in gradus per lineas rectas, quae per eorū centra visa transeunt, quarum singulā
exhibeant bina pūcta opposita per diametrū, hoc modo. Sumatur arcui Aξ, æ-
qualis arcus ξπ, ducaturq. recta Aπ, secās FD, in §, cētro Verticalis primarij, ve
prop. 5. Nu. 3. & 4. ostēdimus; atq. per §, extēdatur §λ, ad FD, perpendiculāris re-
ferens parallelu maximi circuiti obliqui dati, qui per polū australē dūcitur, vt
supra Nu. 3. demōstr. Descriptio autē ex K, polo viso, circulo cuiusvis magnitudi-
nis §s (Nos Aequatori æquale descriptiunis, vt facilius Aequatoris gradus in il-
lū possint trāsferri) ducatur per eius gradus ex K, recta secātes recta §x, in pun-
ctis. Si. n. per hēc sectionū pūcta, & tā per cētrū visū maximi circuiti, hoc est, per
E, quā per R, centrū parallelī visū recta ducantur, diuīsus erit vterq. circuitus in
gradus. V.g. si arcui BO inueniēdus sit respondens arcus in circulo obliquo viso
sue maximo, sue nō maximo, sed eius parallelo, accipiatur arcui BO, si in eo se
micirculo datur, in quo polus K, existit, in parte opposita similis arcus §s, vel æ-
qualis, si circuitus §s descriptus est æqualis Aequatori (qñ arcus Aequatoris da-
tus est in altero semicirculo, in quo pol K, nō est, accipiēdus est arcus similis, vel
æqualis in descripto circuito §s, ex eadē parte) ducaturq. recta Ks, secans §λ, in
§. Recta n. λE, per E, cētrū Astrolabij, q̄ est apparetis est, seu visu oīm circuitoru
maximoru, emissa abscindet duos arcus oppositos, ipsi BO, æquales in nu. grad.
quorū vnu est Fc. Similiter recta ex λ, per R, centrū visu parallelī αPβQ, tra-
secta auferet duos arcus oppositos tot graduū, quot in BO, cōprehēdūtur. Idēq.
efficiet recta ex λ, per cētrū visu cuiusvis alterius parallelī, cuius polus K, emis-
sa. Quod in hūc modū demōstrabimus. Cū Kθ, ipsi Aθ, sit æqualis, q̄ ambz fint
semidiametri Verticalis primarij obliqui circuiti, si triāgulū AEθ, cōcipiat ex mō
ueri circa Eθ, deorsū, versus polū australē, donec ad planū Astrolabii rectū sit,
hoc est, ad Meridianū propriū perueniat, ac proinde punctū A polo australi con-
gruat; intelligatur autem circa rectā Aθ, moventi quoque deorsū rectā Kθ, cū
planū circuiti §s, donec ad rectā Aθ, per polū australē trāsecutem perueniat.
cadet K, in polū A, & planū circuiti §s, parallellum erit circulo obliquo. Quia
vnu duo plana per rectas Kθ, Kλ, in planū illo parallelo, & per E, centrum
mundi ducta, faciunt in circulo obliquo sphērā rectas ipsis Kθ, Kλ, paralle-
les; erit angulus, quem hec parallele in centro obliquo circuiti faciunt, æqualis
angulo §Kλ, ac prōpterea arcus obliqui circuiti abscissus similis erit arcus §s.

^a 27. tertij.

^b 4. primi.

^c 34. primi.

Parallelū obli-
quas tam mani-
mos quā eorum
parallelos in gra-
duis distribuere li-
neis rectis per ce-
rum centra via
debet.

^d 16. undec.

Circulos obli-
quos tam mani-
mos quā eorum
parallelos in gra-
duis distribuere li-
neis rectis per ce-
rum centra via
debet.

^e 16. undec.

^f 10. undec.

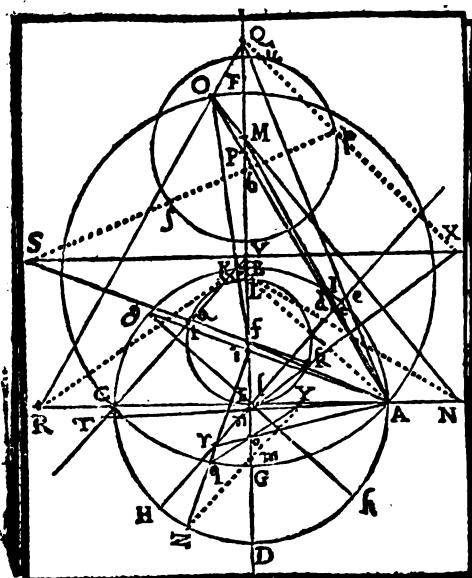
^g 26. tertij.

Cum ergo plana illa per propos. 1. proijciantur in rectas $E\theta$, $E\lambda$, quod ambo per E, transeant, & per puncta θ , λ ; intercipient recte $E\theta$, $E\lambda$, arcus visos respondentes arcui circuli obliqui, qui arcui $\delta\epsilon$, similis est. Eademq; demonstratio in parallelis adhibenda est, dummodo plana per rectas $K\theta$, $K\lambda$, ducta intelligantur transire per centra parallelorum in sphera, &c.

ATQVE hæc via præstantissima est, quando plures paralleli obliqui in gradus diuidendi sunt; cum per eam ex uno eodemq; puncto recte $K\lambda$, inuenientur in omnibus parallelis bina puncta opposita reperiantur, si ex illo puncto inuenientio recte per centra visa ducantur, ut dictum est. Solum incommoda est, quando puncta in recta $\theta\lambda$, nimis procul à puncto $\delta\epsilon$, absunt: quia tunc rectæ ex K. emissæ, nimis obliquè rectam $\theta\lambda$. intersectant, ut vix ea puncta sine errore possint inueniri. Quare tunc alijs vijs vtendum erit, quæ videlicet commodiores videbuntur.

Alijs via commode diuisima diuidendi circulos obliquos tam maximos, quam non maximos in gradus ex qualibet puncto in communis sectione circuli obliqui, & plani Astrolabij Aequatoris extra meridianam lineam assumpto quodlibet

38. NOLO etiam hoc loco præterire aliam quandam rationem, quæ post omnes modos explicatos mihi occurrit, atque inter ceteras commodissima videatur: quippe quæ ex quolibet punto in communis sectione circuli obliqui, & plani Astrolabij Aequatoris extra meridianam lineam assumpto quodlibet



tem datum punctum K. primum in Aequatore; hoc est, in maximo circulo vero, cui respondens in obliquo circulo maximo investigandum sit. Ex quolibet punto N, assumpto in communis sectione AC. plani Astrolabij, & circuli obliqui in sphera, (commodissime autem assumetur in parte opposita dato punto, ut in recta EA, etiam producta, quando datum punctum est in semicirculo BCD; at vero in recta EC, etiam producta, quando punctum in semicirculo BAD, datum est) ducatur ad datum punctum K, recta secans lineam meridianam in

nam in aliquo punto, quod nunc sit inter B, & L: & recta inter E, & punctum illud sectionis abscindatur ex vera diametro HI, recta æqualis Ec; & ex A, polo australi radius per c, emissus secet EB, in M. Recta namque NM, cadet in punctum O, in quod nimur recta ex i, polo per K, emissâ cadit. Nam si circulus ABCD, cogitetur circa AC, circumducî, donec ad diametrum HI, in Meridiano proprio existentem, constituto A, in polo australi, perueniat, congruet punctum intersectionis rectæ NK, & rectæ EF, cum puncto c; adeo ut in sphæra recta NK, ad punctum datum K, educta, secet diametrum in c, punto, quod per radium AC, ex polo australi A, inspectum appetat in M. Recta ergo NK, projectetur in rectam NM, ideoq; incidet in O, punctum, dato punto K, respondens, quemadmodum NK, in datum punctum K, incidit.

S I T eidem punto K, inquirendum idem punctum respondens O, ex punto A, assumpto in intersectione circumferentiaæ Aequatoris cù circumferentia circuli maximi obliqui. Ducta recta AK, secante EB, in L, sumatur ipsi EL, æqualis Ed, vt d, punctum sit in diametro vera, in quo recta AK, eam intersecat, si circuli in propria positione concipientur. Apparet punctum d, in P, per radium Ad; ac proinde eadem recta AP, in quæsitum punctum O, cadet.

P R A E T E R E A idem punctum O, reperiendum sit ex punto R. Ducta recta RK, secante rectam EB, inter B, & V, accipiat recta inter hoc punctum sectionis, & centrū E, æqualis recta Ee, eritq; e, punctum, in quo recta RK, veram diametrum HI, secat, si circuli proprium situm habere intelligentur. Apparet autem punctum e, per radium A e, in Q. Recta ergo RQ, rectam RK, referet, ideoque per quæsitum punctum O, transibit.

D E N I Q U E puncto Z, ex punto Y, inquirendum sit punctum respondens q. Juncta recta YZ, secante ED, in m, abscindatur recta Em, æqualis Er, vt r, punctum habeatur, in quo recta YZ, diametrum HI, secat; si omnia proprium habeant situm. Ducto autem radio Ar, apparet punctum r, in o. Recta igitur Yo, punctum q, quæsitum indicabit, in quod etiam cadit recta i Z.

D E I N D E sit datum punctum p, in parallelo vero, cui respondens inveniendum sit in viso. Ex quelibet punto S, communis sectionis SX, assumpto (commo dissum quoque erit punctum) in opposita parte acceptum) ducatur ad datum punctum p, recta secans EF, in b, & recte Vb, æqualis abscindatur Va, ex vera diametro; Ducto autem radio Aa, secante EB, in f, cadet juncta Sf, in k, punctum respondens dato puncto p. Nam si concipiatur circulus ups, circa SX, circumueriti, donec ad diametrum Vc, proprium situm in Meridiano proprio habentem perueniat, congruet punctum intersectionis b, puncto a; adeo ut in sphæra, recta Sp, ad datum punctum p, ducta secet diametrum parallelum in a, punto. quod per radium Aa, inspectum appetat in s. Recta ergo Sp, in rectam Sf, projectetur, &c. Quod si daretur punctum h, inueniretur eodem modo respondens punctum t.

S E D idem punctum k, respondens dato puncto p, inveniendum sit ex assumpto punto X. Ducta recta Xp, secante EF, in Q, sumatur recta VQ, æqualis VT; eritq; T, punctum, in quo recta Xn, ex veram diametrum in propria positione secat, quod per radium AT, apparet in n. Recta igitur Xn, per quæsitum punctum k, transibit. Et si datum esset punctum u, reperiatur eodem modo punctum l, respondens.

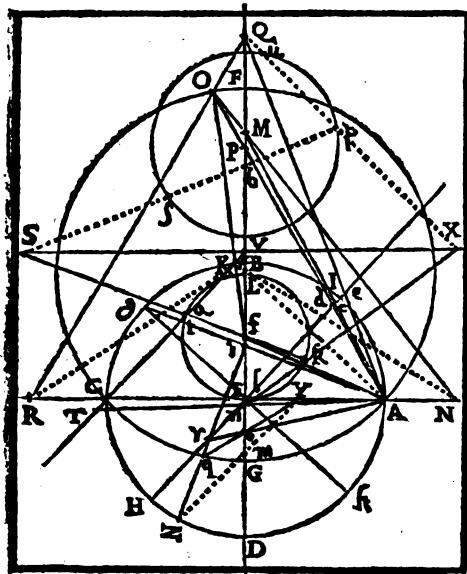
C O N V E R S O ordine inuestigabimus dato punto in circulo obliquo viso respondens punctum in circulo vero. Nam si ex dato v.g. punto q, in circulo maximo, ad quodvis punctum Y, communis sectionis recta ducatur secans ED, in o, & radius iungatur Ao, secans veram diametrum in r, sumatur recta Er, æqua-

Dato punto in circulo obliquo viso respondens punctum in circulo obliquo ratione.

Et, qualem Est. Recta enim Ym , in quæsitum punctum Z , cadet.

R V R S V S si ex dato punto k , in parallelo ad quodlibet punctum S , communis sectionis recta ducatur secans EB , in f , & radius iungatur Af , secans veram diametrum in a , sumemus rectæ Va , e qualis Vb . Recta namque Sb , quæsumum punctum p , indicabit.

Bore puncto vero in plano circa illi in sphæra, punctum respondens viam in Astrolabio reperiatur, & conseruat.



Que ratio diuide
di circulos Astro
labij in gradus sit
omnium expeditissima.

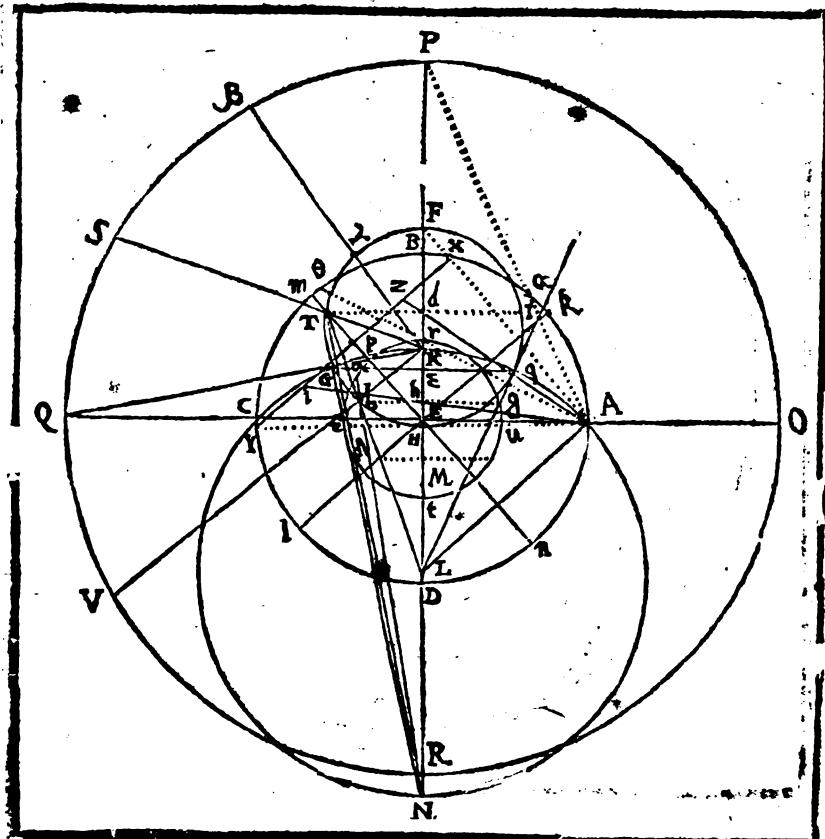
quam eorum parallelos, in gradus expeditissima est prima, quam propos. 5. Num. 17. & hac propos. Num. 21. exposuimus, quæ nimur per lineas rectas ex polo circuli obliqui eductas perficitur: præserrim si pro Aequatore, vel eius parallelo ipsem et circulus obliquus accipiatur, vel alius circulus ex alio centro describatur, vt Num. 25. huius propositionis traditum est. Immo si plures eiusmodi circuli describantur secundum aliam atque aliam proportionem, & singuli in gradus distribuantur, transibunt singulae lineæ ex polo circuli obliqui per plura puncta, ita vt in eis ducendis error committi non posse videatur.

S C H O L I V M.

Anno sequente pa
ralleli obliqui, q
ui in arcus tan
quales ordines co
dantur,

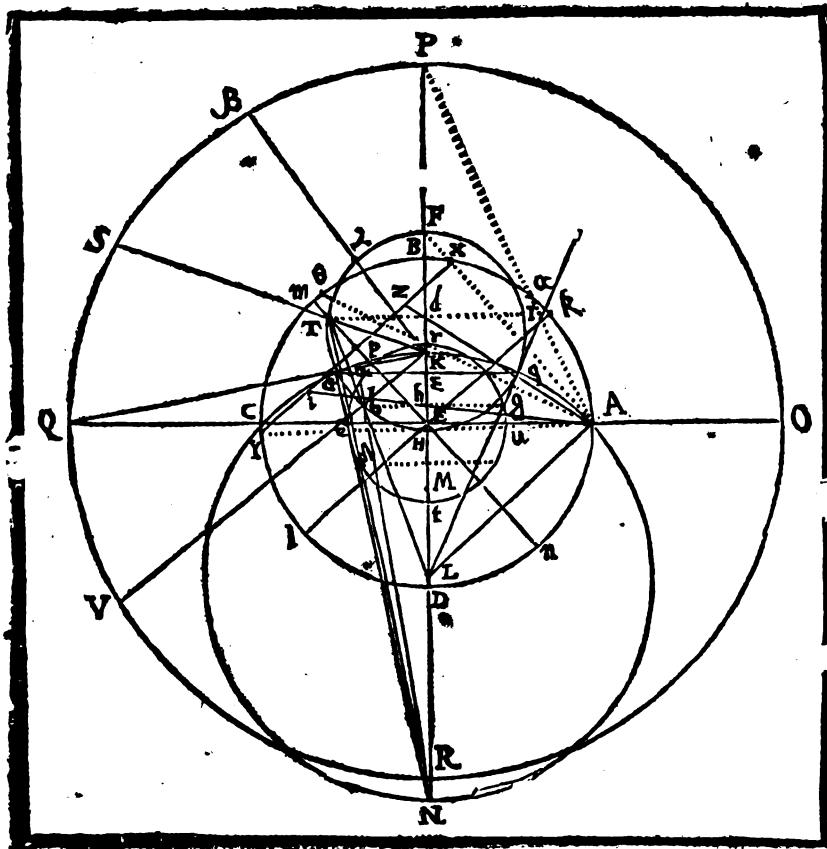
1. **E**X priori parte primi modi, quo paralleli circulorum obliquorum in gra
duis distribuantur, facile colligitur, arcus aquales cuiuslibet paralleli obliqui projic
ti in arcus

in arcus inaequales, concingata ordine, initio facta a recta linea, qua per centrum paralleli ducitur; quemadmodum in circulis etiam maximis obliquis contingere demonstrauimus in scholio propositionis praecedentis Num. 12. Id quod demonstratu-
re nos hoc loco recipimus propos. 3. Num. 3. In tertia ergo figura huius propos. sint tres
arcus $P\beta$, βS , SQ , aequales in parallelo Aequatoris $OPQR$. Et ex K , polo paral-
leli obliqui $FGHq$, inter Aequatorum consenso ducantur tres recte $K\beta$, KS ,



XQ , secantes parallelum in γ , T , G . Respondebunt arcus $F\gamma$, γT , TG , ar-
cibus $P\beta$, βS , SQ , hoc est, tot gradus in illis, quot in his, conseruentur, ut in has
propositione Num. 21. demonstrauimus. Quia vero per Lemma 33. arcus $F\gamma$, ma-
ior est arcu γT , Et hic maior arcu TG , asque ita deinceps, usque ad finem semi-
circuli FGH ; liquido constat, arcus aequales paralleli obliqui in sphera projici in arc-
us inaequales in Astrolabium ordine continuare, cum is, qui puncto F , propinquius
est, sum-

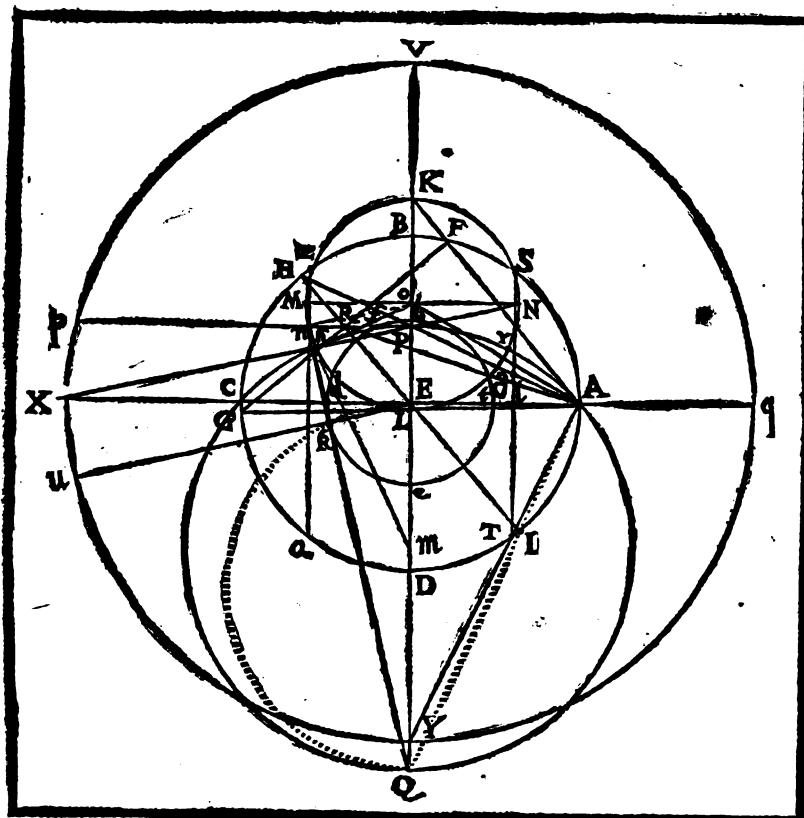
est, semper sit remotoe maior, si equalibus arcibus parallelis Aequatoris respondant, ut in Lemmate 33. demonstratum est. Itaque si parallelus obliquus $FGHq.$ in 360. gradus distribuatur, ut supra docuimus, decrescente hi gradus continua ab F , usque ad H , in utroque semicirculo FGH , PqH , ita ut gradus sine maximi pro-



pe F , at iuxta H , minimi. Ex quo sit, arcus parallelus obliqui in Astrolabio non esse similes arcibus respondentibus eiusdem parallelis in sphera.

2. A D maiorum nunc doctrinam libet hoc loco nonnulla alia demonstrare, quae ad parallelos obliquos in Astrolabium projectos spectant, non inutilia, & que studiosis non ingratia fore confidimus. Ex his enim prater cetera, colligere licebit, quo paulo per datum punctum in Astrolabio positis parallelus cuiuscumque circuli maximi obliqui, ut ex propos. 18. patet. Item fieri posse, ut arcus aliquis parallelus obliqui quadratus graduum, qui paucioros sine, quam 180. in Astrolabio similis sit alicui arcus eius-

dem paralleli in sphera respondet: quod non facile quispiam fortasse crediderit, ut ad finem Num. 5. dicentes. Id quod etiam de circulis maximis obliquis in scholio antecedente is prop of. Num. 13. demonstravimus. Sit ergo Aequator ABCD, cuius centrum E, divisus à duabus diametris AC, BD, ad inius cum perpendicularibus in quatuor quadrantes; diameter cuiusvis parallelus obliquus FG, cuius poli H, I, equaliter ab F, & G, distantes, & axis HI; diameter parallelus visus KL, inuenientia per radius AF, AG; parallelus in Astrolabio K M I N, ex centro O, escripsi eius diameter MN, secans KL,



ad angulos rectos; polè eiusdem paralleli in Astrolabio, P, Q, reporti per radios AH, AL, & per eos circulus maximus descriptus, APCQ, rectus ad maximum circulum per polos mundi, & polos circuli obliqui ductum, facientemq; in Astrolabio sectionem BD, transiens per AC, ut in scholio praecedentis propos. Num. 1. demonstrauimus; Diametrorum australis paralleli Aequatoris ST, secans AC, in l, & diametro parallelis obliqui FG, equalis, ita ut distanca AS, HF, à polis A, H, sint aquales; parallelus Aequato-

Proprietates va-
riæ parallelorum
obliquorum in
Astrolabio.

227. tertij.

24. sexti.

214. tertij.

210. 1. Tho.

25. primi.

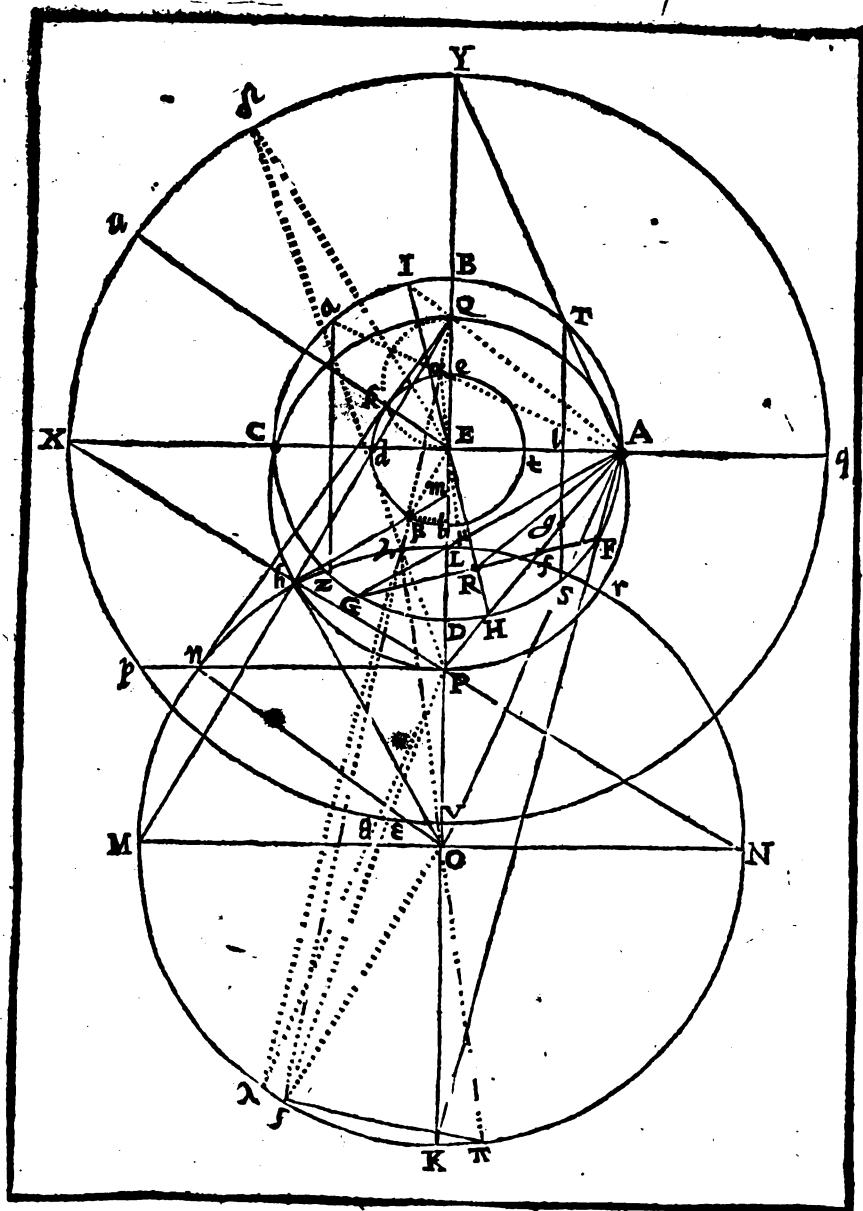
26. primi.

Semidiametrum
vitam paralleli
Aequatoris ita di-
vidi in polo circu-
uli obliqui, ut
semidiametrum ve-
ra paralleli obli-
qui secta est a ra-
dio per eundem
polum ducta.

ris ipse in Astrolabio descriptus VXY, cuius semidiametru^m EY, exhibet radius AT^y
diameter borealis parallelis Aequatoris priori equalis ZA. Et parallelus ipse descri-
ptus bde. Primum ergo demonstrabimus, ita esse TE, semidiametrum parallelis austera-
lis ad EP, rectam inter centrum eiusdem parallelis, & polum circuli obliqui ut est KO,
semidiameter parallelus obliquus ad OP, rectam inter eius centrum, & polum sive pa-
rallelus obliquus ambiat polum superiorem, ut in prima figura huius Num. 2. sine in-
feriorem, ut in secunda figura. Ducta enim recta AR, ad intersectionem diametri
paralleli obliqui FG, cum eius axe HI, fiat angulo RAP. equalis angulus PAO;
cadetq; AO, in centrum parallelis O, fer ea, qua in hac propos. Num. 9. demonstra-
to sunt. Ducta quoq; recta AH, fecit FG, in f, & ST, in g. Quod triplex igitur trian-
gula AFG, AKL, similia sunt, sed subcontrariè posita, ut propos. 3. Num. 1. de-
monstra'um est; erit angulus AGF, angulo AKL, equalis: Sunt autem & anguli
GAP, KAP, equalibus arcubus HG, HF, insufflentes, aequales. Igitur in trian-
gulis AGf, AKP, reliqui etiam anguli AgF, APK, aequales erunt. Rerius ex
equalibus angulis GAP, KAP, ablatis equalibus RAP, OAP, reliqui GAR, KAO, aequales sunt: Cum ergo & anguli G, K, aequales sint ostensi, erunt in trian-
gulis GAR, KAO, reliqui anguli quoque ARG, AOK, aequales. Item quia in
triangulis Afr, APO, tam anguli Afr, APO, ut ostendimus, aequales sunt, quam
anguli RAP, OAP, ex constructione; erunt quoque reliqui anguli ARG, AOP, aequales: quod etiam ex eo probari potest, quod ex duobus rectis reliqui ARG, AOK, ostensi sint aequales. His demonstratis, erit ut GR, ad RA, ita KO ad OA; Et ut
RA, ad RF, ita OA, ad OP, Igitur ex quadrature erit ut GR, ad
RF, ita KO, ad OP. Nam vero quoniam FG, ST, aequales, equali-
ter à centro E, distant; aequales erunt per perpendiculares ER, El (axes enim EH, EA, ad parallelos diametrorum FG, ST, recti
sunt, ac proinde & ad ipsas diametros perpendiculares, ex defini. 3.
lib. 1. Eucl.) quibus sublatius ex semidiametris EH, EA, reliqua
recta HR, Ab, aequales erunt: quibus cum in triangulis HRf, Alg,
adiaceant anguli aequales, (sunt enim anguli ad R, l, recti, & & anguli EHA, EAH.
in Isoscele AEH, aequales) erunt quoque recta RF, lg, aequales: Sunt autem & GR,
Tl, semisses equalium FG, ST, aequales. Igitur erit, ut CR, ad RF, hoc est, ut KO, ad
OP, (Proxime enim ostensum est, esse ut GR, ad RF, ita KO, ad OP.) ita Tl, ad lg.
Cum ergo ex scholio propos. 4. lib. 6. Eucl. sit, ut Tl, ad lg, ita TE, ad EP; erit quoque
ut KO, ad OP, ita TE, ad EP, quod erat demonstrandum. Atque hac demonstratio
cum sequentibus locum habet, sive parallelus obliquus ambiat polum superiorem, ut in
prima figura, sive inferiorem, ut in secunda, ut perspicuum est in figuris.

E X bac demonstratione colliguntur, semidiametrum VE, paralleli Aequatoris vi-
sam ita secari a polo circuli obliqui P, viso, ut semidiameter RF, vera paralleli obliqui
equalis secta est in f, à radio APH, ad H, polum verum obliqui circuli ducto: quia ut
delicet ostensum est, esse ut GR, hoc est, ut RF, ad RF, ita KO, ad OP: Et ut KO, ad
OP, ita TE, hoc est, ita VE, ad EP, &c. Eademq; ratio est in alijs.

3. DE INDE ostendemus, rectam XP, productam cadere in N, extremum dia-
metri MN, hoc est, tria puncta X, P, N, iacere in una recta linea: quod etiam de tribus
punctis q, P, M, descendunt eis. Item rectam Qb, ex polo opposito Q, per b, intersectio-
nem circuli maximi APCQ, cum parallelo obliquo KMLN, ductam cadere in M, o
extremum alterum diametri MN: eodemque modo rectam Qr, productam cadere in
N. Denique rectam mb, ex m, centro maximi circuli APCQ, ad b, intersectionem
eiusdem circuli maximi cum parallelo obliquo eductam, tangere parallelum obliquum
in punto b. Atque hoc postremum supra quoque in hac propos. Num. 7. & 30. aliter,
quæ



quām hic ostendimus. Productam enim XP , secet MN , in N . Dico N , esse extrellum punctum diametri MN . Nam quis triangula EPX, OPN , equiangula sunt, cum angulos ad E, O , habeant rectos, & angulos ad verticem P , euanles; ac tandem etiam angulos alternos X, N , euanles; b erit ut XE , hoc est, ut YE , ad EP , ita NO , ad OP ; ut autem YE , ad EP , ita ostensum est Num. 2. esse KO , ad OP . Igur erit ut NO , ad OP , ita KO , ad OP ; ac proinde NO, KO , euanles erunt, ideoque NO , semidiameter erit parallelī. Cedit ergo XP , in N , extrellum diametri MN , hoc est, tria puncta X, P, N , in una recta linea iacent: Idemq; probabitur de tribus punctis q, P, M . quod est primum.

a 29. tertij.

b 4. sexto.

c 9. quinti.

d 32. tertij.

e 31. tertij.

f 5. primi.

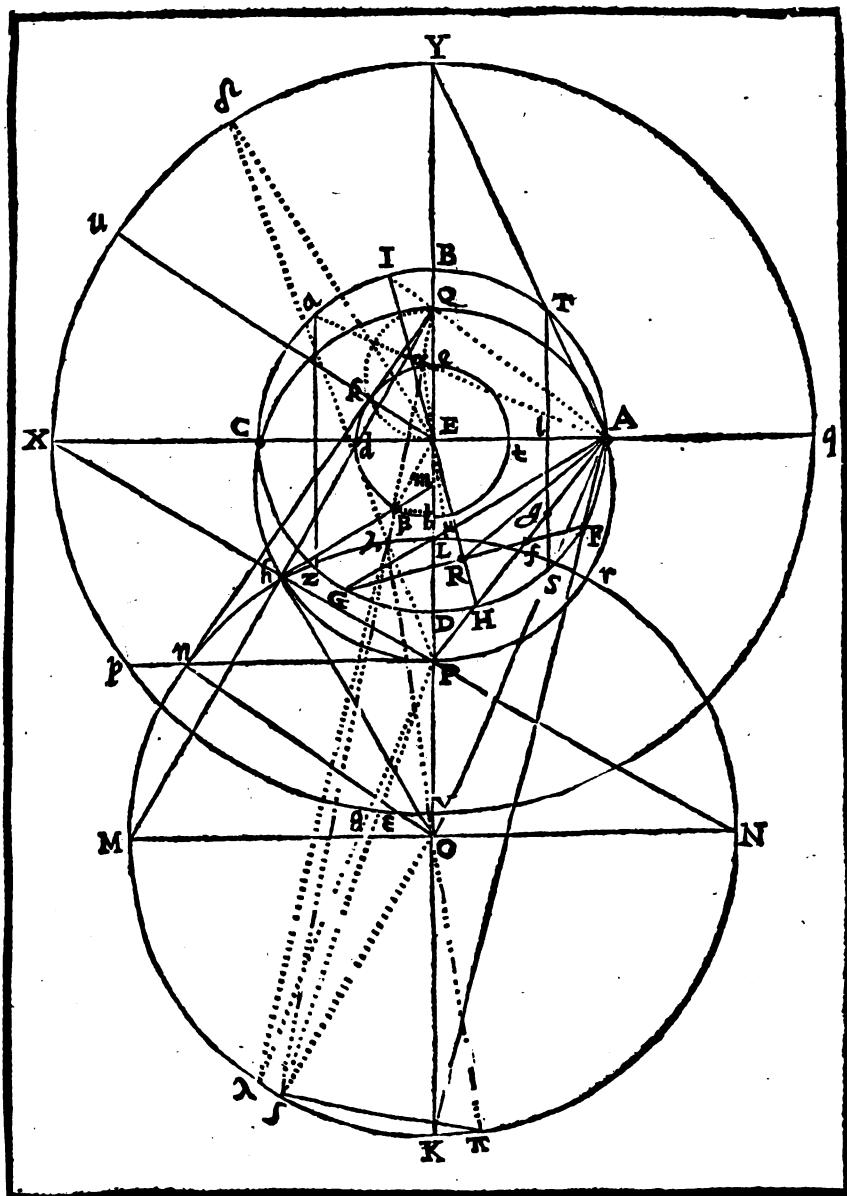
g 19. primi.

h 5. primi.

YIA vero, ut in hac propos. 6. Num. 2. ostensum est, recta PX , auferent ex parallelo Aequatoris quadrantem VX , auferent quoque ex parallelo obliquo quadrantem; auferent autem & circulus maximus $APCQ$, una cum eo, quem representat recta VQ , quadrantem, ita ut Kh , bL , quadrantibus respondentem; transibit omnino NPX , per punctum b , intersectionis maximi circuli $APCQ$, cum parallelo obliquo. Igur angulus PbQ , in semicirculo rectus erit, ac proinde producta Qb , ad M , angulus quoque NbM , rectus erit. Cum ergo angulus maioris segmenti contentus arcu Kh , & recta bN , sit recto maior, cedit Qb , producta intra circulum KhL ; ac proinde arcus, in quo rectus angulus NbM , existit, semicirculus erit, ex scholio propos. 31. lib. 3. Euclid. Ideoq; cum MLN , semicirculus sit, secabit Qb , producta circum in M , puncto extremo diametri MN , ut rectus ille angulus in semicirculo existere possit. Eadem ratione Qb , producta cadet in N , quod est secundum.

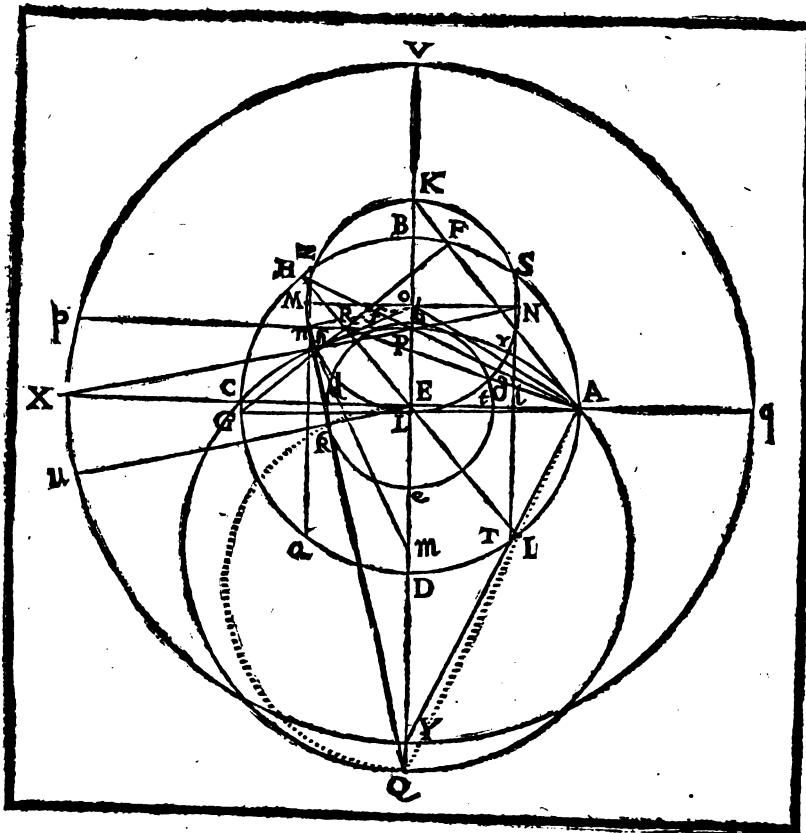
$DENIQE$ iuncta recta Ob , quoniā anguli OhN, ONb , euanles sunt: & Eb autem angulo ONb , equalis quoque alternus angulus PXE , & huic equalis est angulus PQb ; (Nam cum triangula PXE, PQb , habeant angulum P , communem. & angulos ad E, b , rectos, ut ostendimus, habebunt quoque angulos reliquos X, Q , euanles.) derit quoque angulus PQb , eidem angulo ONb , equalis; ac proinde anguli OhN, PQb , inter se quoque euanles erunt. Atqui angulo PQb , equalis est angulus mbQ , in Isoscelē bmQ . Igur & anguli OhN, mbQ , euanles erunt; additioq; communis angulo mbN , toti anguli sicut euanles Obm, NbQ : Sed NbQ , hoc est, PHQ , proxime ostensus est rectus. Igur & Obm , rectus erit; ac propterea recta mb , parallellum obliquū tangent, ex coroll. prop. 16. lib. 2. Euclid. Qb , intersectione maximi circuli $APCQ$, cum parallelo obliquo $KMLN$. Non aliter ostendimus. ductam rectam in r. tangere ostendimus parallellum in r. quod est tertium.

4. TERTIO loco demonstranda sunt nonnulla de arcibus similibus in utroque parallelo $KMLN, VXY$. Ducta igitur ex polo P , ad KL , perpendiculari Pn , secante parallelos in n, p . Dico arcum Kn , arcus Tp , similem esse, & arcum Ln , arcus Vp . Quoniam enim, ut Num. 2. ostensum est, ita est KO , ad OP , ut YE , ad EP ; erit conuerte modo, ut OP , ad KO , ita EP , ad YE ; & componendo, ut KP , ad KO , ita TP , ad YE ; & permutando, ut KP , sinus versus arcus Kn , ad YE , sinus versus arcus Tp , ita KO , sinus rotus ad YE , sinus rotum. Igur per lemma 5. arcus Kn, Tp , similes sunt: atque idecirco ex semicirculis reliquis Ln, Vp , per lemma 6. similes quoque erunt. Hinc manio fessum est, nullam aliam rectam ex P , emissam prater perpendiculararem Pn , auferre eodem ordine arcus similes. Nam si cadas in alterutram partem perpendicularis Pn , qualis est Ph , secans parallellum Aequatoris in X , erit arcus Kh , maior, quam ut similis sit arcui Tp , cum arcus Kn , ostensus sit similis arcui Tp . Multo ergo maior erit arcus Kh , quam ut similis sit arcui TX , qui minor est arcui Tp . Quod si recta ex P , ducta cadat in alterutram partem perpendicularis Pn , ostendemus eodem modo, arcum parallelo $KMLN$, absctissum, esse minorem, quam ut similis sit arcui absctisso ex parallelo TpV , cum ille minor necessario sit, quam Kn , hic vero maior, quam Tp , qui ipsi Kn , ostensus est similis.



est similis. Recta ergo ex P, educita auferens eo modo arcus similes ex utroque parallelo, ad KL, perpendicularis erit.

R V R S V S describatur parallelus *Aequatoris* b d e, priori *V X Y*, oppositus & aqua lis, secans *A C*, in d. Dico rectam *Q h*, quam productam offendimus transfere per *M*, trans fire quoque per punctum *d*, aut (quod idem est) rectam *Q d*, productam transfere per *b*. N. e ut in hac propos. Num. 24. demonstramus, recta *Q d*, ex opposito polo parallelis obliquis auferit ex parallelo obliquo arcum a punctu *K*, inchoatum, aequalem arcui e d, quod



ad numerum graduum attinet. Cum ergo e d, quadrans sit, erit & ille quadrans. Quare cum Kh quadranti respondeat, ut paulo ante Num. 3. ostendimus, incidet omnino recta Qd, in b, ut quadrancem Kh auferat; & producta ulterius, in punctum etiam M, cadet, in quod ostendimus cadere productam Qb. Itaque quatuor puncta Q, d, b, M, in una recta linea iacebunt: quod de quatuor etiam punctis Q, r, N, discordum est.

D.E.

D E S C R I P T O quoque circa rectam $\mathcal{Q}E$, si micirculo si cante parallulum b de, in k, iungatur recta Ek, cui parallela agatur On, secans paral. elum obliquum in n. Di- eo rectam $\mathcal{Q}k$, productam transfere per n, tangereq; virumque parallelum in k, n. Quia enim offendit paulo ante, rettam $\mathcal{Q}d$, productam cadere in M; erit ut $\mathcal{Q}O$, ad a 4. sexti. OM, hoc est, ad On, ita $\mathcal{Q}E$, ad Ed, hoc est, ad Ek; & permutoando, ut $\mathcal{Q}O$, ad $\mathcal{Q}E$, ita On, ad Ek. Per scholium ergo propos. 4. lib. 6. Eucl. recta $\mathcal{Q}k$, per n, transibit; erit an b 29. primi. gulus $\mathcal{Q}kE$, angulo $\mathcal{Q}nO$, externus interno, equalis. Cum ergo ille in semicirculo re- c 31. sortij. etus sit; erit & hic recta, ac propterea, ex coroll. propos. 16. lib. 3. Eucl. recta $\mathcal{Q}k$ n. virumque circulum tangent in k, n. quod est propositionem.

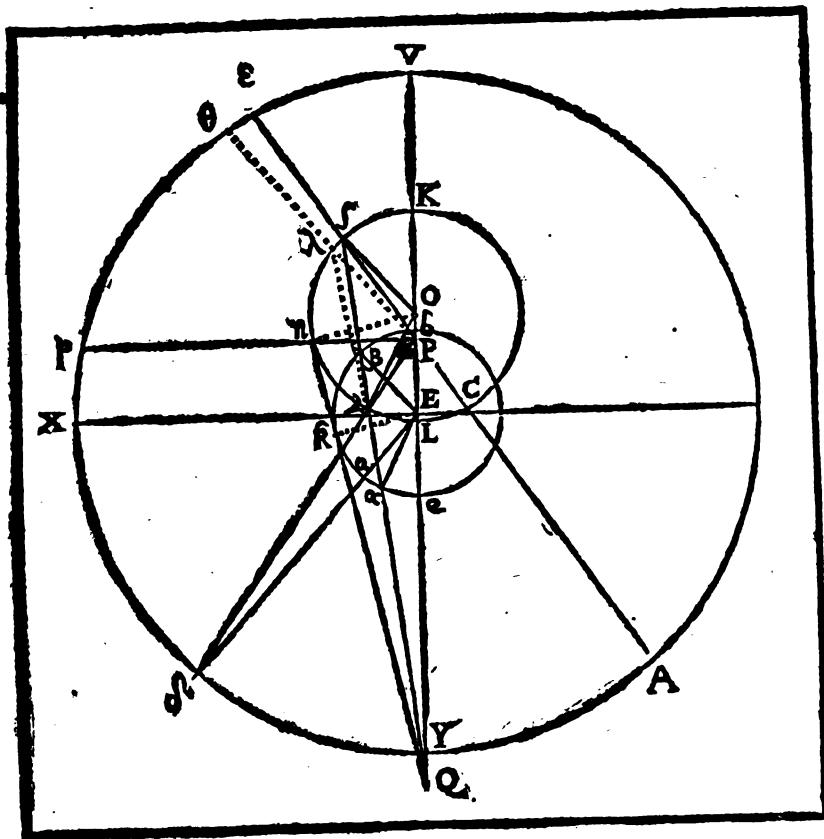
E R I T autem necessario punctum contactus n, illud, per quod transit perpendicularis P n p, hoc est, recta in P, ex punto contactus ad polum P, ducta erit ad KL, perpendicularis. Producta enim Pn, usque ad p, & Ek, usque ad n; quoniam punctum n, hoc est, arcus Kn, inuenitur per rectam Pp, ex arcu Vp, paralleli VXY, & per rectam $\mathcal{Q}k$, ex arcu ek, paralleli b de, ut in hac propos. 6. Num. 21. & 24. demonstratum est; erit arcus Vp, similis archi ek, cum uterque tot gradus continere debeat, quot in arco Xn, continentur. Est autem arcus ek, similis arcus Y u, ex scholiis propos. 22. lib. 3. Euclid. Igitur & arcus Vp, arcus Y u, similis erit, atque adeo equalis, cum uterque in eodem existat circulo. Addito ergo communi arcu p u, erit totus arcus Vu, totu arcu Vp, equalis. Est autem ex scholio propos. 22. lib. 3. Euclid. arcus Vu, arcui Kn, similis, & propterea quod propter parallelos E u, O n, anguli ad centra KOn, VEu, externus & d 29. primi internas, aequales sunt. Igitur & arcus Yp, eidem arcui Kn, similis erit. Cū ergo ad intrin- buius Num. 4. demonstrauerit, solam perpendicularem ex P, ad KL, ductam aufer- re posse similes arcus ex ordine ex utroque parallelo; erit necessario Pnp, dictos similes ar- cus absindens, ad KL, perpendicularis, hoc est, recta On, cadens in n, punctum contactus, cadit in extrellum punctum perpendicularis Pn, usque ad parallelum obliquum ducta; atque adeo recta $\mathcal{Q}k$, tangens parallelum Aequatoris b de, in k, tanget produc- ta parallelum obliquum in perpendiculari Pn. Hinc fit, rectam ex \mathcal{Q} , ductam, qua tangas alterutrum parallelorum, tangere quoque alserum: quia offendit est, rectam $\mathcal{Q}k$, que sola parallelum b de, tangit, cadere in n, ibique parallelum KML, tan- gere, &c.

5. Q Y A R T O loco offendendum est, rectam quamcumque ex \mathcal{Q} , polo opposito eductam, siue ear angat parallelos b de, KMLN, siue secet, intercipere cum recta $\mathcal{Q}K$, arcus similes versus easdem partes, &c. Describantur enim seorsum (ut confusio evite- tur) paralleli cum polis, & centris parallelorum, ut in precedenti prima figura, duca- turque primum recta $\mathcal{Q}kn$, utrumque parallelum tangens in k, n. Dico tam arcus ek, Ln, quam bk, Kn, similes esse. Ducta enim ex polo P, per n, recta Pn, secante alterum parallelum in p, que, ut proxime demonstravimus Num. 4. ad KL, perpendicularis est; erit arcus Vp, arcui Ln, & arcus Yp, arcui Kn, similis, per ea, qua Num. 4. demonstrata sunt: Est autem arcus Vp, arcui ek, similis, cum tot gradus in uno, quo in altero con- ceantur; quippe cum idem arcus Kn, paralleli obliqui inueniatur per ipsos, beneficio re- stiarum Pp, $\mathcal{Q}k$, ut in hac propos. 6. Num. 21. & 24. offendit est. Igitur & arcus ek, arcui Ln, similis erit; ideoque & ex semicirculis reliqui arcus bk, Kn, similes erunt.

I D E M hoc etiam modo confirmabitur. Quoniam $\mathcal{Q}kn$, utrumque parallelum tangit, & erunt anguli $\mathcal{Q}kE$, $\mathcal{Q}nO$, recti. Cum ergo angulus O $\mathcal{Q}n$, communis sit, erunt e 18. tertii reliqui anguli E, O, in triangulis $\mathcal{Q}kE$, $\mathcal{Q}nO$, aequales in centris; acque idcirco, ex scho- liis propos. 22. lib. 3. Euclid. arcus ek, Ln, similes erunt, &c.

D V C A T V R deinde recta $\mathcal{Q}f$, secans parallelum obliquum in s, y. & paral- lelum Aequatoris b k e, in a, b. Dico tam arcus Kf, bB, quam Ls, eB, & quam Ly, eB, & quam K y, ba, & quam sy, ba, similes quoque esse. Iunctus nascitur rectus O f, Oy, Eb.

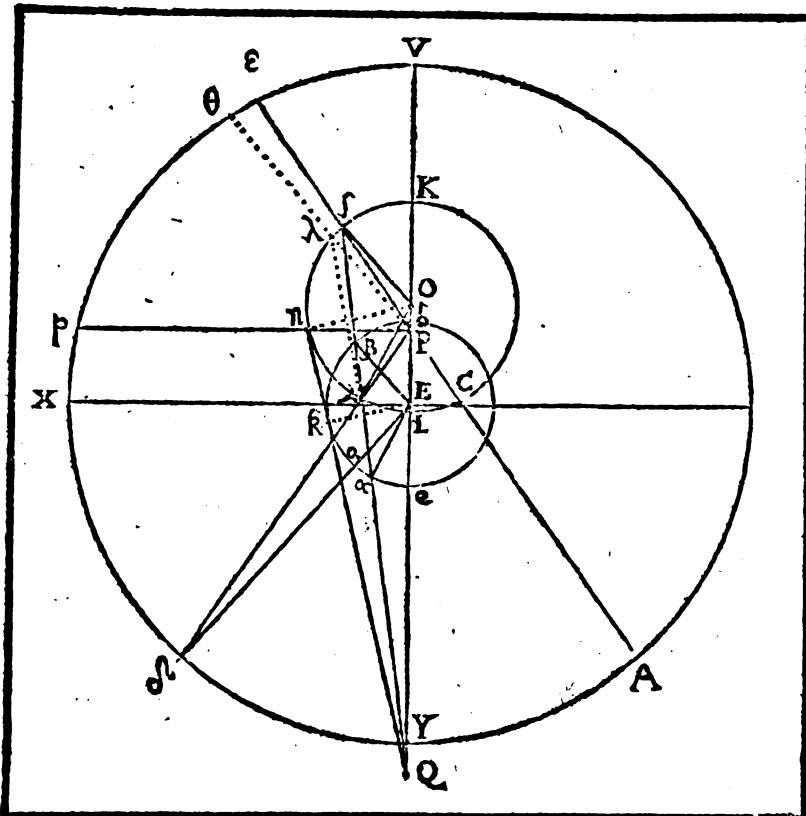
a 18. tertij. Oy, E_b, Ea, iungantur quoque nO, kE, que ad tangentem Qn, perpendicularares erunt,
 b 28. primi. ac proinde inter se parallela; atque idcirco triangula QOn, QE_b, aquiangula erunt;
 c 29. primi. cum anguli n, k, recti sint, & O, E, internus, & externus, aequales, & Q communis.
 d 4. sexti. Igitur erit ut QO, ad On, hoc est, ad Oy, ita QE_b, ad Ek, hoc est, ad Ea. Triangula
 ergo QOy, QE_b, angulum OQy, habent communem, & latera circa angulos O, E,
 e 21. primi. proportionalia. Cum ergo uterque reliquorum angulorum OyQ, EaQ, maior sit recto
 f 7. sexti. angulo; (Ille enim maior est recto n, hic vero maior recto k.) erunt ipsa triangula



aquiangula, equalesque habebunt angulos O, E, ad centra. Igitur ex scholio propos. 22. lib. 3. Euclid. arcus Ly, e a, similes erunt, ac proinde & ex semicirculis reliqui K Y. ba, similes erunt, ex lemmae 6. Par ratione, quoniam triangula QOS, QE₃, angulum OQ₃ s. habent communem, & latera circa angulos O, E, proportionalia. Et utrumq; reliquorum angulorum sib, recto minorem, ex coroll. 3. propos. 17. lib. 1. Euclid. propterea quod

quod figura basos \triangle basum O et S , existunt; erunt quoque ipsa triangula aquan- 27. secunda
gula, aequalisqua habebunt angulos $\angle O$, $\angle E$; atque indecirco & ex duobus re-
bis reliquo $\angle K$, $\angle B$. Igitur ex scholio propos. 23. lib. 3. Eucl. arcus Ks , b , similes
sunt: quibus dempeit $\angle ex Ky, ba$, quos proxime similes eriam ostendimus, quam
ex semicirculis KsL , b esse erunt per lemma 6. & reliqui $\angle sy, \beta a$, $\angle Ls$, $c\beta$, similes quod
est propositum.

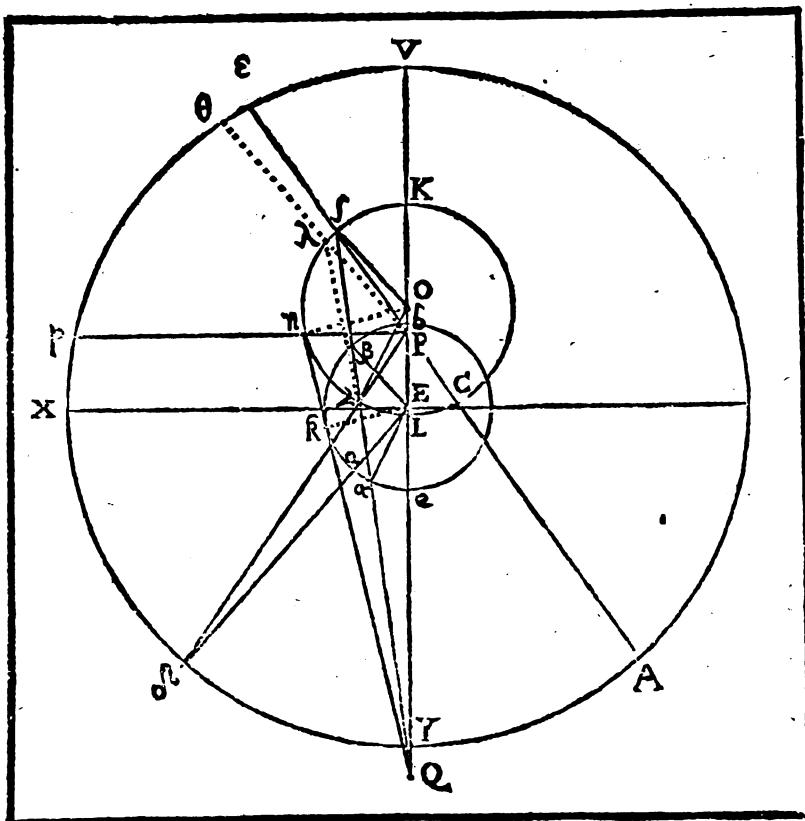
POSTREMO ductis O_1 , O_2 , ex polo P , per s_1 , s_2 secansibus parallelorum Aequa-



vis in e, d. Dico arcus quoque e, d, f, y, similes esse, angulosque e Pp, d Pp, aequales. Quia enim idem arcus Kf, absconditur per rectam Pe, & per rectam Qa, erunt arcus V e, e a. similes, ex his, que in hac propos. 6. Num. 21. & 24. demonstrata sunt. Eodemq; modo similes erunt arcus Y d, bB, propterea quod idem arcus Ly, absconditur per rectas Pd, Qb. Igunt si ex semicirculis VXY, KnL, demandant similes arcus V e, e a; erunt re-

liqui $\gamma\delta$, ab, quoque similes, ex Lemmate 6. Ex quibus si rursus similes arcus $\gamma\delta$, $b\beta$, tollantur; erunt eodem modo $\gamma\delta$, $b\beta$, similes: Fuit autem arcus $b\beta$, paulo ante in hoc Num. 5. similis etiam ostensus arcus $\gamma\delta$. Igitur & arcus $\gamma\delta$, $\gamma\delta$; similes erunt. quod est propositum.

I T A Q V E quia arcus $\gamma\delta$, $b\beta$, similes sunt modo ostensi. & paulo ante arcui $b\beta$, ostensus fuit similis arcus $K\delta$; erunt arcus quoque $\gamma\delta$, $K\delta$, similes, id est per scholium propos. 22. lib. 3. Euclid. anguli $\gamma\delta K$, $\delta E\gamma$, ad contra aquales erunt; ac proinde & ex



duobus rectis reliqui $\angle O\gamma$, $\angle E\gamma$, aquales erunt. Quia igitur triangula $\triangle O\gamma\gamma$, $\triangle E\gamma\gamma$, angulos O , E , habent aquales, & latera circa ipsos proportionalia, (ostensum enim est sic pra*Num. 2.* ita esse YE , hoc est, γE , ad EP , ut KO , hoc est, γO , ad OP , ipsa equiangula erunt, aqualesq; habebunt angulos $\angle PK$, $\angle PE$, ac proinde & ex rectis reliqui $\angle P\gamma$, $\angle P\gamma$, aquales erunt.

xx

E X his vicissim efficiuntur, si ex P, emittantur due recta P α , P δ , constituentes curva perpendiculari Pp, vel cum recta KY, angulos egales, arcus ab illis intercepti ad, sy, similes esse. Nam ducta recta Qy, cadet in s, ut probatur, ac proinde, ut ostensum est paulo ante in 3. membro huius Num. 5. arcus ed, sy, similes erunt. quod est propositum. Quod si dicatur rectam Qy, productam cadere non in s, sed vel ad dextram, vel ad sinistram, ut in λ; ducta recta P γ , secante parallelum Aequatoris in θ, erunt ex 3. membro huius Num. 5. arcus θδ, λy, similes quoque; ac proinde ex 4. membro eiusdem huius Num. 5. anguli θPp, δPp, egales erunt; ac propterea & anguli εPp, δPp, vel εPV, δPV, inter se egales erunt, pars & rotum. quod est absurdum. Facilius tamen demonstrabimus, arcus ed, sy, similes esse, si duo anguli εPK, γPL, egales sint, vel anguli εPK, δPL, hoc modo. Quoniam, ut supra in hoc scholii Num. 3. ostendimus, productum P, est illud, per quod transit recta connectens extremitates diametrorum, in parallelis VXY, KNL, ad rectam VT, perpendicularium, propterea quod in 2. & 3. figura recta XP, producta cadit in N, ut ibi demonstratum est; erunt per lemma 34. arcus ed, sy, similes.

E X quo illud etiam efficitur, tria puncta Q, y, s, in una recta linea sita esse, ita ut recta per quacumque duo ducta transseant quaque per tertium, si duo anguli εPK, γPL, egales sint. Nam si u.g. recta Qy, non transit per s, secet ea parallelum in λ: Ostendemus ergo, ut prius, & arcus θδ, λy, similes esse, & angulos εPK, γPL, egales. Igitur & anguli εPK, δPL, inter se egales erunt, rotum & pars. quod est absurdum. Transfere ergo Qy, per s. Eademque ratione ostendemus, rectam Qs, per γ, transire.

L I Q Y E T ex his omnibus, fieri posse, ut arcus aliquis parallelus obliqui projectetur in arcum similem in Astrolabio, ille, videlicet, qui arcus ed, verbi gratia, in sphera aequalis est. Quoniam enim ex Lemma 23. plana per polum australem, & rectas P ϵ , P δ , ducta australiter ex parallelo obliquo in sphera arcum arcus ed, egalement, hoc est, arcus parallelus Aequatoris, qui ipse ed, similis est; Est autem arcus ed, ostensus similis arcui parallelus obliqui s y, in Astrolabio: erit quoque arcus isti parallelus obliqui in sphera, qui quidem projectetur in arcum s y, per duos illa plana per rectas P ϵ , P δ , & polum australem ducta, similis eidem arcui s y, &c. quamvis alij arcus parallelus obliqui in diffissimiles arcus projectaneur, &c. Atque hec de proprietatibus parallelorum obliquorum, nuncad alia pergamus.

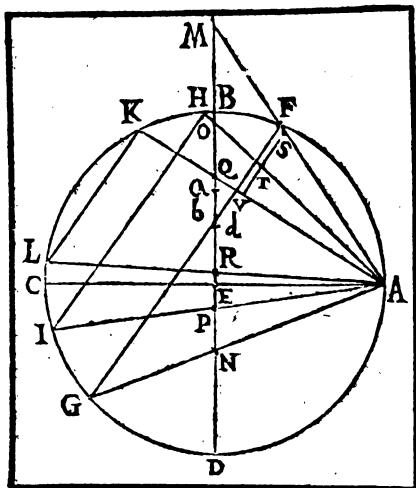
6. P E R S P I C V V M est ex ijs, que in hac propos. 6 scriptimus, praeferimus in secundo, & quarto modo describendi parallelos obliquos, parallelos eiusdem circuli maximi obliqui diuersa contra sortiri in Astrolabio. Nam in secundo descriptionis modo recta linea ex A, polo australi per puncta diametri MN, circuli maximi obliqui rectam BD, ad angulos rectos secantis, in qua perpendicularares ex gradibus eiusdem circuli obliqui demissa cadunt, aducta, quales in prima figura huius propos. sunt AA, AU, &c. indicat in recta BD, centra parallelorum. Cum ergo he recta diuersa sint, diuersa quoque sint contra ab eis indicata, necesse est. In quarto autem modo recta linea circulum maximum A i C k, tangentem eadem contra parallelorum in recta BD, exhibent. Quocirca cum ha tangentes inter se differant, necessario diuersa contra monstrabunt. Idem tandem Geometrica ratione Ptolemaeus in suo planisphario demonstrat, qua quoniam longa est, ac difficilis, breviori nos demonstratione, & faciliori idem efficiemus, hoc modo. Sit Aequator ABCD, cuius centrum E, qui pro circulo maximo per polos mundi, & polos parallelorum obliquorum ducto sumatur, & sit axis AC, & BD, communis sectio dicti circuli maximi, & Aequatoris, in qua diametri apparentes parallelorum sumi debent, ut in scholii propos. 3. Num. 1. & 2. ostensum est; FG, HI, KL, diametri parallelorum obliquorum ad axem, quorum diametri visa MN, CP, QR, à raduis AM, AN; AH, AI; AK, AL, absissa, dividanturq; MN, bifariam in a, ita ut a, sit centrum

Arcum Vaf' apud
piam paralleli oblique in sphera
praeceps podes in
Astrolabiu in ac-
cum hancitem.

Parallelos ciest
circuli maximi
obliqui diuersa
centra habere in
Astrolabio.

parallelis diametri FG , circa MN , describendi. Dico a, non esse centrum parallelis diametri HI , circa OP , describendi, hoc est, OP , non dividit bisariam in a. Quoniam non diametri parallelorum obliqui secant axem, non aequaliter distabunt earum extrema a polo mundi C , cum C , non sit eorum parallelorum polus. Dicent ergo puncta F, H , magis a C , quam puncta G, I , hoc est, arcus CF, CH , sint maiores arcibus CG, CI ; ac proinde et anguli $C AF, CAH$, maiores angulis CAG, CAL , ex scholio propos. 27 lib. 3. Euclid. Quoniam igitur tr. s. anguli in triangulo AME , aequales sunt tribus angulis trianguli ANE , ex coroll. 1. propos. 32 lib. 1. Euclid. Sunt autem anguli recti ad E , aequales, et angulus EAM , maior angulo AN , ut ostendimus; erit reliquie angulus M , reliquo N , minor; ideoque recta AM , maior, quam recta AN . Non aliter ostendimus, AO , maiorem esse rectam AP : quecumque ita deinceps, quandoconque diameter parallelis axem secat, demonstrabimus, radius versus B , usque ad rectam BD , maiorem esse radio altero versus D , usque ad eandem BD . Quod si diameter aliqua, ut KL , axem non secet, erit nihilominus radius AQ , maior radio AR : quia cum angulus ARQ , maior sit angulo recto AEQ , externus interno, ipse obtusus erit, ac proinde AQR , acutus in triangulo AQR . Iguar recta AQ , maior erit, quam AR . Abscindatur AS , ipse AN , et AT , ipse AP , et AV , ipse AR , aequalis, iunganturq; recta ST , TV . Et quia duo latera AS , AT , duobus lateribus AN , AP , aequalia sunt, et angulosque continent aequales insisterentes arcibus FK , GI , qui ex scholio propos. 27 lib. 3. Encl. aequales sunt, ob parallelas FG , HI ; erunt triangula AST , ANP , aequalia: atque idcirco triangulum AMO , triangulo ANP , maius erit. Est autem, ut triangulum AMO , ad triangulum ANP , ita basis MO , ad basem NP . Igitur et basis MO , base NP , maior erit. Cum ergo MA , ipse NA , sit aequalis, erit reliqua Oa , minor quam Pa , reliqua. Non igitur OP , secta est in a, bisariam. Quod si OP , secetur bisariam in b, ostendimus eodem prout modo, rectam QR , non dividit bisariam in b. Nam rursus erit triangulum ATV , triangulo APR , aequale, ideoque AQ , maius, quam APR ; ac proinde et OQ , maior, quam PR . quibus demptis ex aequalibus Ob , Pb , reliqua Qb , minor erit quam reliqua Rb . Medium ergo punctum d, diametri QR , caecit infra b. atque ita tres parallelis diametrorum FG , HI , KL , in Astrolabio centro habent diuersa a, b, d. Eademque ratio est de ceteris.

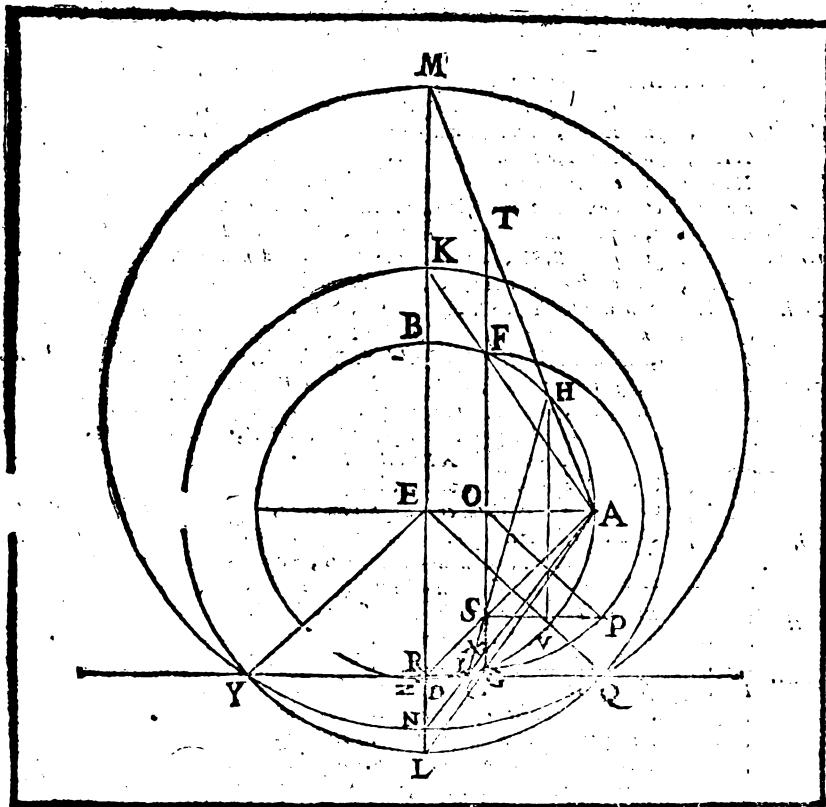
Parallelumque
Astrolabiorum
Aequatoris
diametri a quocunque paral-
lelo obliqui in
partes similes illis,
in quas ab eodem in sphera di-
viduntur.



Num ATV , triangulo APR , aequale, ideoque AQ , maius, quam APR ; ac proinde et OQ , maior, quam PR . quibus demptis ex aequalibus Ob , Pb , reliqua Qb , minor erit quam reliqua Rb . Medium ergo punctum d, diametri QR , caecit infra b. atque ita tres parallelis diametrorum FG , HI , KL , in Astrolabio centro habent diuersa a, b, d. Eademque ratio est de ceteris.

7. Quidam vero propos. 2. Num. 4. conatusimus, Aequatorem, eiusque parallelos in Astrolabio descriptos diuidendo esse in gradus aequales, non fecus atque in sphera fieri solet, demonstrat Ptolemaeus, subtili ratiocinatione quemlibet circulum obliquum Astrolabij secare quemvis parallellum Aequatoris in partes similes illis, in quas idem parallelis Aequatoris ab illo circulo obliquo in sphera diuiditur, quamvis circulus ipse obliquus in Astrolabio a parallelo Aequatoris non secetur in partes similes illis, in quas in sphera ab eodem parallelo Aequatoris diuiditur: quia nemirum non omnes partes obliqui

obliqui circuli à polo australi, ex quo cum insuemur, equaliter distant; hinc enim sit, ut pars remotior, minor appareat, quam propinquior, ut à Perfectius demonstratur. Id quod de parallello Aequatoris dici non potest; quippe cum omnes eius arcus aequaliter à polo australi absint, ac proinde aequaliter etiam apparcent. In hunc ergo modum ferme Ptolemaeus id, quod propositum est, demonstrat. Siis Aequator ABCD, cuius centrum E, quis pro circulo maximo per polos mundi, & polos obliqui parallelis ducto accipiatur, sique AC, axis mundanus, & BD, communis sectio eius circuli maximi, &



Aequatoris; A, polus australis; FG, diameter parallelis Aequatoris; HI, diameter parallelis obliqui secans FG, in S. Emissis autem radiis ex A, per extrema virtusque diametri, ut diametri visa habeantur KL, MN, describantur circa eas parallelis KQ, MQN, se intersecantes in Q, Y. Dico arcus KQ, QL, KY, YL, similes esse arcibus, in quos in sphaera parallelus diametri FG à parallelo obliquo diametri HI, dividitur. Descripto enim ex O, circa FG, semicirculo FP G, qui semicirculo parallelis Aequato-

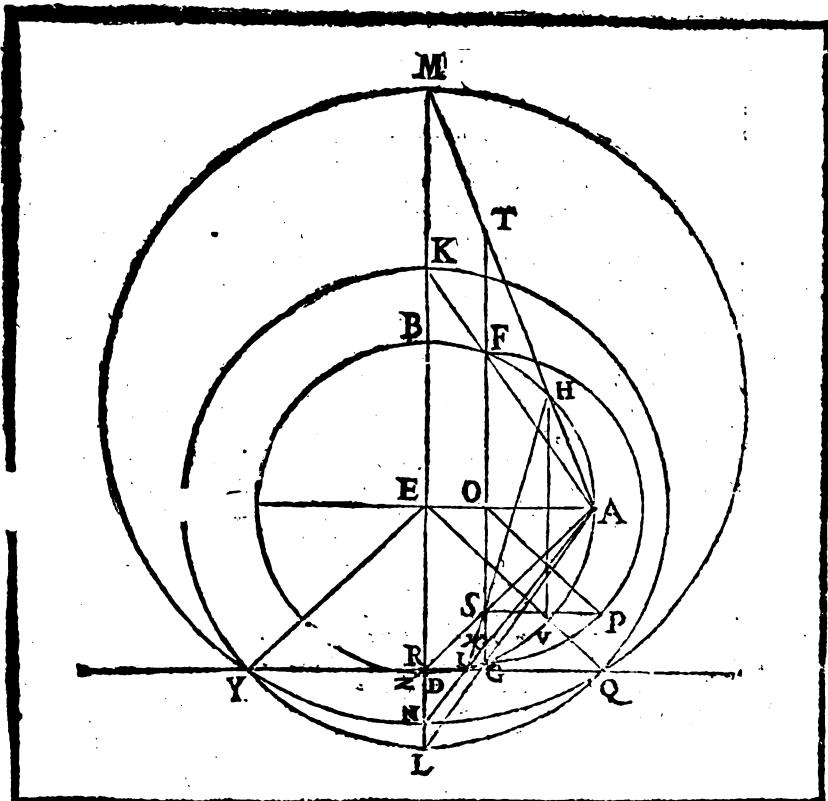
ris in sphera equalis erit, cum circa eius diametrum descriptus sit; extendatur GP , nec secet AM , mT ; recta autem AN , secet FG , in X ; & d' nique ipsis B , D , FG , parallela agatur HV . Quoniam igitur uterque parallelus diametrorum FG , Hl , ad circumferentiam maximum $ABCD$, rectus est, quod hic per eorum polos incedens ad illos rectus sit; & erit communis eorum sectio per S , transiens, ubi diametri se se intersectant, ad eundem rectas ac proinde ad rectam FG , in eo circulo existentem perpendicularis in puncto S , ex defini. 3. lib. 11. Eucl. Si igitur ex S , educatur ad FG , perpendicularis SP , in plano semicirculis FPG , qui ad circumferentiam $ABCD$, rectus intelligatur, erit ea, communis sectio duorum parallelorum, atque adeo parallelus obliquus diametri Hl , perpendicularum Aequatoris FPG , secabit in P . Ducta autem recta OP , fiat angulo SOP , existenti in parallelo FPG , equalis angulus LEQ , in plano Astrolabij, rectaque EQ , parallelo KQL , descripso in Astrolabio occurras in Q . Ducta quoque recta AS , qua producta secet KL , in R , tangatur recta QR . Itaque quoniam angulus AHV , equalis est angulo AIH , hoc est, angulo HIX , cum insinuantur equalibus arcubus AV , AH ; & idemque angulus AHV , angulo HTX , extorris interno, equalis est, tunc in eis equalis anguli HTX , HIX ; ac propterea, cum duo hi anguli habeant basem communem, rectam HX . si ducatur; poteris ex scholio propos. 21. lib. 3. Eucl. circa quatuor puncta X , H , T , I , circumferentias describi, in quo se mutuo secant recta HI , TX , in S . Igitur rectangulum sub HS .

¶ 35. tertij. SI , rectangulo sub TS , SX , aquale erit: Sed illud idem aquale est quoque rectangulo sub FS , SG , quod dñra recta HI , FG , in S , etiam se intersectant in circulo $ABCD$. Igitur duo rectangula sub TS , SX , & sub FS , SG , equalia inter se sunt: & ac propterea erit, ut TS , ad SG , prima ad secundam, ita FS , ad SX , tertia ad quartam: Ut autem TS , ad SG , ita est, ex scholio propos. 4. lib. 6. Eucl. MR , ad RL : Et ut FS , ad SX , ita KR , ad RN . Igitur erit quoque ut MR , ad RL , ita KR , ad RN : atque idcirco rectangulum sub MR , RN , prima & quarta, aquale erit rectangulo sub KR , RL , tertia ac secunda. Quia vero est, ut LE , ad EA , ita GO , ad OA , pp aquiangula triangula AEL , AOG : Et ut EA ad ER , ita OA , ad OS , erit ex equalitate, ut LE , hoc est, ut QE , ad ER , ita GO , hoc est, ita PO , ad OS . Cum ergo anguli ad E , O , in triangulis EQR , OPS , ex constructione sine equalibus; habeantque circa ipsos latera proportionalia, ut modo ostendimus, aquiangula erunt ipsa triangula, equalisque habebunt angulos ad R , S ; ac proinde cum hic rectus sit,

¶ 36. sexti. Et ille rectus erit. Igitur ex scholio propos. 13. lib. 6. Euclid. RQ , media proportionalis erit inter KR , RL , ideoque rectangulum sub KR , RL , quadrato recta RQ , aquale erit. Igitur & rectangulum sub MR , RN , (quod rectangulo sub KR , RL , ostensum fuit aquale.) eidem quadrato recta RQ , aquale erit, & ac proinde RQ , media proportionalis erit inter MR , RN . Circulus igitur MQN , per extremum eius punctum Q , transbit. Nam si circa punctum Q , vel ultra secaret rectam RQ , absindiceret ex eodem scholio propos. 13. lib. 6. Euclid. aliam rectam inter MR , RN , medio quoque loco proportionalem, minorem, maioremque, quam RQ , quod est absurdum. Quo circa circuli KQL , MQN , cum uterque per Q , transeat, se mutuo secabunt in Q , extreto perpendicularis RQ . Et quia per scholiū prop. 22. lib. 3. Eucl. arcus LQ , GP , similes sunt, ob angulos in centris E , O , aquales, ac proinde ex lemata 6. & ex semicirculis reliqui KQ , FL ; liquet, parallelus Aequatoris KQL , à parallelo obliquo MQN , in Astrolabio secari in arcus similes arcubus, in quos ab eode in sphera dividitur, quod est propositionum. Eadē enim demonstratio adhibebitur ex altera parte, si angulus LEY , aquilis fiat angulo SOP , rectaque EY , parallelo KQL , occurras in Y , ac tandem recta iungatur YR . Eadē enim modo ostendetur, punctū Y , esse quoque in parallelo obliquo ML . **¶ 37. septimi.** ID EM prorsus contingit, si parallelus obliquus per polum australem A , incidat.

L E ,	G O ,
E A ,	O A ,
E R ,	O S .

*det. Manent Aequator cum suo parallelo, & semicirculo FPG, circa diametrum FG, descripto, ut prius, sed diameter paralleli cuiuspiam obliqui per polum australem du-
cti sunt AZ, per polum A, transiens, secansque diametrum FG, in S. Et quia per propos. 1.
Num. 1. parallelus diametri AZ, in plano Aequatoris. Astrolabij rectam lineam fa-
cit infinitam per R, transcurrentem, ubi diameter plano Astrolabij occurrit, si ulla linea
recta QRY, communis nimisrum sectionis parallelis, & plani Aequatoris, vel Astrolabij, se-
bans parallelum Aequatoris in Q. Quoniam autem & parallelis obliquis, & Aequa- a i s. 1. T b*



*Sor ad circulum maximum ABCD, per eorum polos ductum rectus est, & erit quoque b 19. vnde,
eorum sectio communis QRY, ad eundem recta, ac proinde ad LM, communem sectio-
nem Aequatoris Astrolabij. & circuli maximi ABCD, ad planum Astrolabij, vel
Aequatoris recti, perpendicularis, ex defin. 3, lib. 11. Euclid. hoc est, anguli ad R, re-
ssi erunt. Ducta quoque SP, ad FG, perpendiculari, qua communis sectio erit parallelo-
rum, ut supra probatum est Num. 7. inquantur recta EQ. Quoniam igitur ex sche-
lio*

lio propos. 4. lib. 6. Eucl. est ut LR, ad ER, ita GS, ad OS, erit componendo quoque ut LE, hoc est, ut QE, ad ER, ita GO, id est, PO, ad OS. Quare cum triangula EQR, OPS, habeant angulos R, S, rectos aequales, & latera circa angulos E, O, proportionalia, reliquorumq; angulorum Q, P, utrumque recto minorem ex coroll. 1. propos. 17. lib. 1. Eucl. ipsa aquiangula erunt, anguloque aequales habebunt LEQ, GOP. Igitur ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. arcus LQ, GP, similes sunt, ideoque & ex semicirculis reliqui KQ, FP, similes erunt. Liquet ergo, parallelum obliquum, quem representat recta QY, secare in Astrolabio parallelum Aequatoris KQLY, in arcus similes arcibus, in quos ab eodem in sphera dividitur, quod est propositum. Eadem ratione demonstrabimus, arcu LY, arcui GP, similem esse, ac propterea & et, quem PS, producta ex altero semicirculo abscondit, cum illa aequalis sit arcui GP, ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. quemadmodum ex eodem scholio & arcus LY, arcui LQ, aequalis est. Eademque est ratio in omnibus alijs parallelis, uno obliquo, & altero Aequatori aquidistanti, si mutuo in sphera, atque idcirco & in Astrolabio se interficiantibus, siue obliquus per solum australem incedat, siue non.

Circulus in A.
Astrolabio non maximus, an inclinatus, an exaltatus? sphaera hemisphaerio minor, maiorem, cognoscere.

9. Ad extremum, si cognoscere quis cupias, utrum circulus non maximus in Astrolabio descriptus, qui non in Aequatore bifariam non secat, intra se contingat portionem sphera hemisphaerio minorum, maioremque, consequetur id faciliter negotio hac ratione. Quando circulus torus est intra Aequatorem, vel torus extra, cum tam non ambens, vel quando secat Aequatorem non bifariam, minusque Aequatoris segmentum intra circulum secantem existit, portio sphera intra circulum inclusa est hemisphaerio minor: quando vero circulus rotum Aequatorem ambit, vel cum non bifariam secas, minusque Aequatoris segmentum intra circulum existit, portio sphera intra circulum inclusa hemisphaerio maior est. Nam quapropter totus circulus est intra Aequatorem, minorum portionem sphera includit, quam Aequator. Cum ergo Aequator hemisphaerium abscondat, tanquam circulus maximus, includat circulus ille portionem hemisphaerio minorum. Sic etiam quando circulus Aequatorem bifariam non secat, minusque eius segmentum comprehendit, qualis est in prima figura huius propos. 6. circulus c 30 d. si per eius centrum, & centrum E, Astrolabij recta ducatur c E, quam ad rectos angulos fecerit diameter Aequatoris AC, poteris per eius punctum c, extra Aequatorem, & duo puncta A, C, circulus maximus describi, qui totum circulum c 30 d, includet, quod eum in solo punto c tangat ex scholio propos. 13. lib. 3. Eucl. Cum ergo maximus ille circulus includat hemisphaerium, erit portio intra circulum c 30 d, hemisphaerio minor. Denique quando circulus torus est extra Aequatorem, eumque non ambit, quae lis est in eadem figura priore huius propos. 6. circulus AA & si rursus per eius centrum, & centrum Astrolabij recta ducatur & E, quam ad rectos angulos fecerit diameter Aequatoris AC, poteris per eius punctum ab Aequatore remotoris in recta E, & duo puncta A, C, circulus maximus describi, qui cum intra se contingat hemisphaerium, ambientque totum priorem circulum, erit portio intra eum existens hemisphaerio minor. At vero quando circulus Aequatorem rotum ambit, comprehendet maiorem portionem, quam Aequator. Cum ergo hic hemisphaerium auferat, abscondit ille portionem hemisphaerio maiorem. Sic etiam, quando circulus non quidem ambit Aequatorem, sed cum secas non bifariam, minusque Aequatoris segmentum in eo existit, cuiusmodi in eadem priore figura huius propos. est circulus BB & si per eius centrum, & centrum Astrolabij ducatur recta, qua ad rectos angulos fecerit diameter Aequatoris AC, poteris per eius punctum &, & duo puncta A, C, circulus maximus describi, qui totum intra circulum BB &, contingat, cum eum in solo punto &, contingat, ex scholio propos. 13. lib. 3. Eucl. Quare cum circulus hic maximus hemisphaerium includat, comprehendet circulus BB &, portionem hemisphaerio maiorem, quod est propositum.

PROBL.

Parallelos cuiusuis circuli maximi, qui per mundi polos ducitur, in Astrolabio describere, atque in gradus distribuere.

Q V A M V I S eiusmodi parallelis per doctrinam praecedentis prop. 6. describi possint, tamen quia in sphera recta descriptio eorum quibusdam in rebus a descriptione corundem parallelorum in sphera obliqua differt, libuit propria propositione parallelos circuli maximi per mundi polos ducti describerc.

Q V O N I A M igitur omnes circuli maximi per mundi polos ducti in Astrolabium projiciuntur per lineas rectas sese in centro Astrolabij intorseantes, ut propos. 1. Num. 4. demonstratio est, representet recta AC, per E, centrum Astrolabij, in quo Aequator ABCD, ducta vnum aliquem ex eiusmodi circulis, cuius parallelis in eodem Astrolabio describendi sint: intelligaturque ABCD. Circulus per polos mundi ductus ad datum circulum, quem recta A C, representat, rectus, qualis est Meridianus, si recta AC, referat Horizontem rectum, vel circulum horae 6. a meridie, & media nocte: aut circulus horae 6. a mer. & med. noct. si eadem recta A C, representet Meridianum circulum; qui circulus in Astrolabio faciat rectam BD, in utramque partem extensam in infinitum, quae ad AC, perpendicularis erit. Quoniam enim tam hic circulus, quam Aequator, qui a plano Astrolabij non differt, ad propositum circulum rectus est, erit eorum communis sectio BD, ad eundem rectam, ideoque per defin. 3. lib. 1. Eucl. ad rectam quoque AC, perpendicularis erit in centro E. Et quoniam hic circulus ABCD, ad datum circulum rectus, secat omnes eius parallelos bifariam, & per polos B, D; (Nam B, D, poli sunt circuli maximi AC, eiusq. parallelorum.) si per angulos gradus circuli ABCD, parallelae ipsi AC, agantur, erunt ea diametri parallelorum circuli propositi. Nos ex utraque parte binas duximus FG, HI; KL, MN, per tricenos gradus, ne multitudine linearum confusionem pariat. Constituto ergo A. polo Australi, (Circulus enim propositus, quem recta AC, representat, per utrumque polum duci ponitur) si ex eo per extrema puncta diametrorum radij visuales emittantur, abscedent iij ex BD, protracta diametros vias, sive apparentes, parallelorum. Nam ut in scholio propos. 3. Num. 1. & 2. demonstratum est, in recta BD, communi sectione plani Astrolabij, & circuiti maximi per mundi polos ducti, & ad propositum maximum circulum, eiusque parallelos, recti, inspicendi sunt ex polo australi; cum ea recta abscedat tum triangulum subcontraria, tum maximas diametros vias, ut ibidem ostendimus. Ut extrema puncta diametri FG, apparebunt in O, P, ut tota diameter visa sit OP. Punkta vero extrema diametri HI, cernentur in Q, R, & sic de ceteris. Igitur dividit bifariam diametris vias, si circa eas circuli describantur, descripti erunt paralleli propositi, cum per propos. 3. In forma circulari apparent ex polo australi inspekti. Transibunt autem omnes per extrema diametrorum in Aequatore ABCD, qui est Verticalis primarius Horizontis recti AC, quemadmodum in sphera per eadem incedit. Quod tamen Geometrice ita quoque concludemus. Tuncta recta CO, erunt duo latera CE, EO, duobus lateribus AE, EO, aequalia. Cum ergo & angulos aequalibus, nimirum rectos, completantur, erunt etiam anguli ECO, EAO, aequalis inter se: ac propterea aequalibus insistent peripheriis. Quocirca cum arcus CF, AG, aequalis sint, insistatque angulus CAF, arcui CF, insisteret angulus ACG, arcui AG, hoc est, recta CO, producta in punctum G, cadet. Et quia angulus AGC, in semicirculo rectus est, erit quoque ei deinceps PGO,

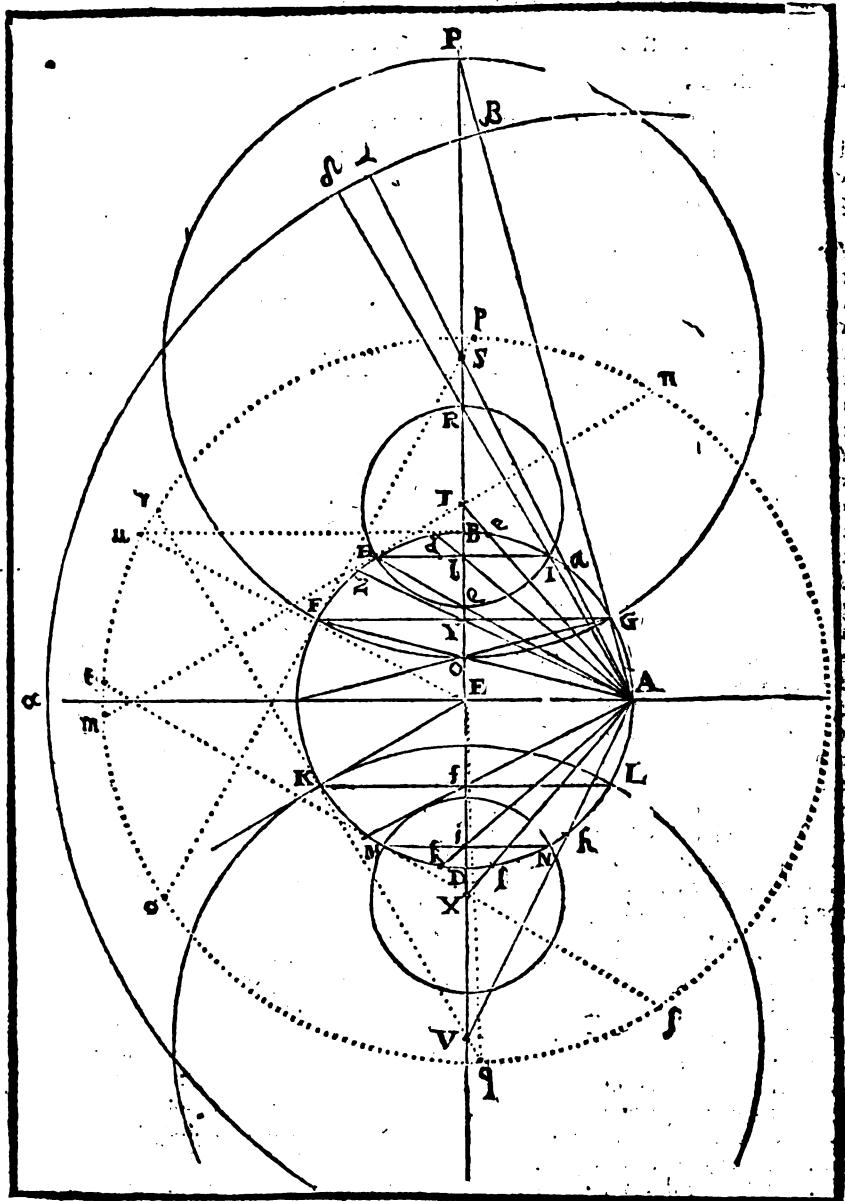
Parallelos cuiusuis circuli maximi per mundi polos ducti, in Astrolabio describere.

a 13. unde.

b 13. 1. The.

c 24. primi.

d 26. tertii.



PGO, rectus. Igitur ex scholio propos. 3 lib. 3. Eucl circulus circa OP, descrip-
tus transibit per G. Eademque ratione per F, incedet, atque ita de ceteris. Sed
quoniam radij ex A, puncto quadratis AB, vel AD, nimirum excurrunt, satis erit,
si centrum S, trium punctorum F, O, G, inueniatur in recta BD, producta. Item
centrum T, trium punctorum H, Q, I, & sic de ceteris: quandoquidem per tria
hæc puncta parallelus transire debet, ut ostendimus. Ita enim magis exquisitè pa-
rallelus FOGP, describetur, quam si extrellum alterum punctum P, reperiatur,
quod propter obliquam intersectionem rectæ AG, cum DBP, vix sine errore po-
test comprehendendi.

C A E T E R V M quælibet parallelum transire per tria puncta inuenta, vt
GPFO, per F, O, G, hinc etiam colligi potest. Cū enim parallelus Horizontis re-
cti, & Horizon rectus abscindat ex Verticalibus eiusdem Horizontis recti equali-
les arcus per propos. 10. lib. 9. Theod. Sint autem eiusmodi Verticales Aequator
ABCD, & Meridianus DEB; referatque EO, arcum CF, ex propos. 1. erunt tres
arcus æquales CF, EO, AG. Igitur parallelus GPFO, cum per O, transire con-
spiciatur, transibit quoque per puncta F, G Eadem de causa parallelus IRHQ,
per tria puncta H, Q, I, transibit. Et sic de ceteris.

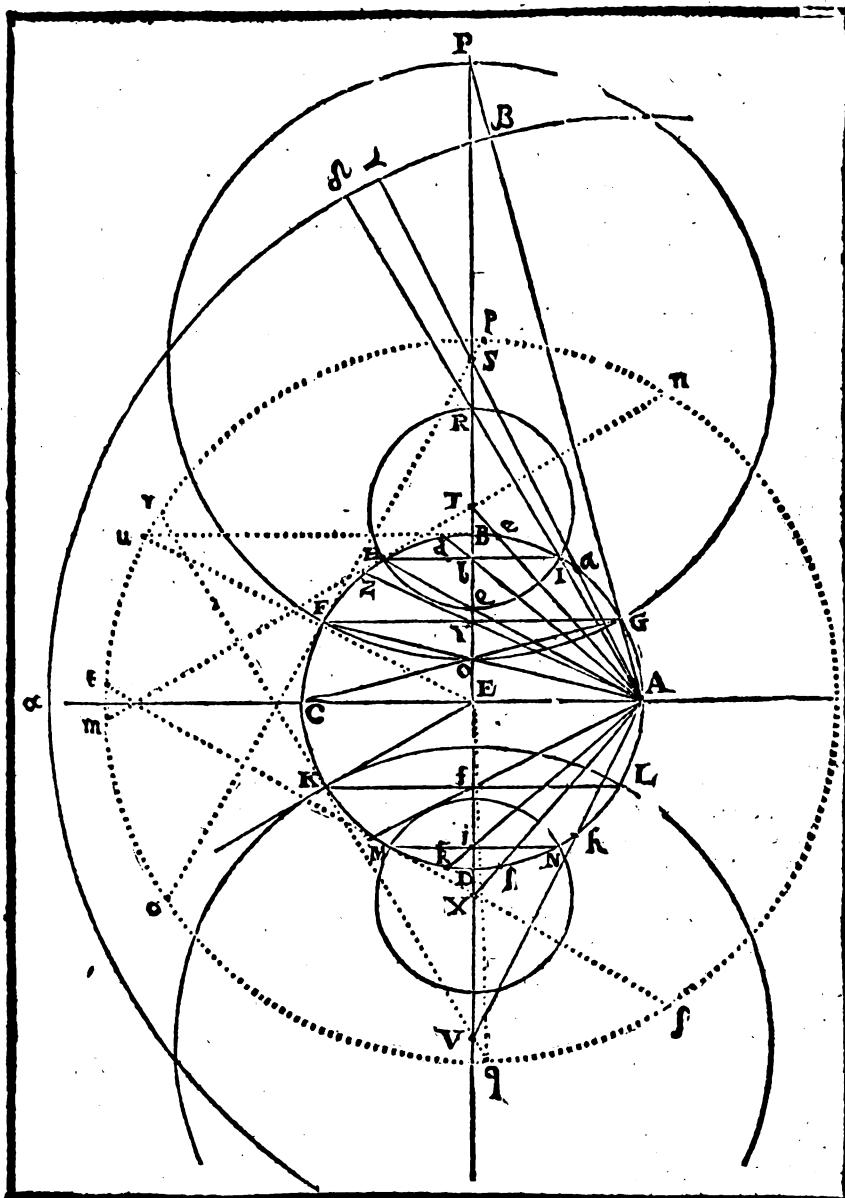
2. I T A autem centra parallelorum facile inueniemus. Ex A, per Y, ubi
diameter FG, rectam BD, fecat, emitteatur recta AY, secans Aequatorem in Z.
Si namque arcui BZ, æqualis abscindatur Ba, cadet recta Aa, in S, centrum que-
suum, vt in Lemmate 35. demonstratum est. Sic etiam ducta recta Abd, si arcui
Bd, æqualis sumatur Be, incidet recta Ae, in T, centrum parallelorum per H, Q, I,
descripti. Item ducta recta Afg, si arcui Dg, accipiatur æqualis Dh, dabit re-
cta Ah, centrum V, parallelorum per K, L, descripti. Denique ducta recta Aik, si ar-
cui Dk æqualis Dl, sumatur, transibit recta Al, per X, centrum parallelorum per M,
N, descripti. Satis autem est, si centra S, T, reperiatur pro parallelis semi-
circuli ABC. Nam si rectis ES, ET, æquales fiant EV, EX, erunt V, X,
centra oppositorum parallelorum circa puncta K, L, & M, N, describendorum.
Oppositi enim paralleli in Horizonte recto æquales omnino sunt in Astrola-
bio, sicut in sphæra.

Centra parallelo-
rum circuli mar-
xiui per mundi
polos detin. in
Astrolabio repre-
sente.

3. A L I O modo describemus eosdem parallelos, etiamsi neque eorum dia-
metri in circulo ABCD, ductæ sint, neque radii ex A, emittantur. Quoniā enim,
vt paulo inferius ostendemus Num. 10. recta quæcumque, vt EK, ex centro ad
Aequatorem educata tangit in K, parallelum per K, descriptum; sit vt KV, du-
cta ad EK, perpendicularis, vel Aequatorem tangens, cadat in V, centrum paral-
leli per K, describendi. Quocirca si ad omnia puncta Aequatoris, qui Verticalis
primarius est in sphæra recta, ex centro E, ducantur rectæ lineæ, & per eam
extrema puncta ducantur ad eosdem lineæ perpendicularares, quæ quidem ex co-
roll. propos. 16. lib. 3. Eucl. Aequatorem in eisdem punctis tangent, inuenta erunt
centra omnium parallelorum, semidiameter autem cuiusque erit ipsa linea tan-
gens a centro inuenito usque ad punctum contactus. Ut in dato exemplo, semi-
diameter parallelorum KL, est VK. Duceamus autem faciliter negotio per singula puncta
Aequatoris tangentes rectas, sive perpendicularares ad eius semidiametros, hac
ratione. Educta ex B, ad BD, perpendiculari Bu, quantacunque, describatur
ex E, per u, circulus occultus, & recta BM, beneficio circini transferatur ex pun-
ctis Aequatoris H, F, K, M, in circumferentiam occultam ex utraque parte, vt
ex H, usque ad m, n; & ex F, usque ad o, p; & ex K, usque ad q, r; & ex M, usque ad s,
t. Rectæ namque mn, op, qr, st, Aequatorem tangent in H, F, K, M, hoc est, per-
pendicularares erunt ad semidiametros, si ducatur EH, EF, EK, EM. Iancitio enia-
m 2 rectis

Parallelos eisdem
per rectas tangen-
tes describere.

a 19. nov: 1754.



rectis Eu, Eq, erant duo latera EB, Bu, duobus lateribus EK, Kq, aequalia. Cuma ergo & basis Eu, basi Eq, sit aequalis, erit angulus rectus EBu, angulo EKq. a 8. prim. aequalis, ac proinde hic quoque rectus erit, Ideoque Aequatorem in K, continget. Eademque de ceteris ratio est.

4. NON erit difficile ex ijs, quæ dicta sunt, describere parallelum quot- cunque gradibus ab Horizonte recto AC, distante, si distantiam datam à punto C, vel A, numeremus versus B, si parallelus describendus sit supra Horizontem, aut versus D, si infra Horizontem, & per terminum numerationis parallelum describamus, vt traditum est.

5. E CONTRARIO, si descriptus sit quilibet parallelus, cognoscetur eius distantia ab Horizonte recto per arcum Aequatoris inter C, vel A, & punctum intersectionis paralleli cum eodem Aequatore. Vel si per intersectiones paralleli cum linea meridiana rectæ educantur, secabitur Aequator in duobus punctis eiusdem distantie: Atq; hæ rectæ necessario per intersectiones paralleli cum Aequatore transibunt: Alioquin circulus datus non repræsentaret aliquem parallelum Horizontis recti: Quare quando non constat, propositionem circulum esse unum ex parallelis recti Horizontis, adhibenda erit posterior ratio, vt simul agnoscamus, nos non frustra, ac temere distantiam dati paralleli ab Horizonte recto inquirere. Nam si rectæ ex A, per intersectiones proposti circuli cum meridiana linea ductæ transibent per intersectiones eiusdem circuli cum Aequatore, certum est, eum esse Horizonti parallelum, cuius diameter est recta duas has intersectiones coniungens: alias non erit Horizonti parallelus, sed aliquem alium circulum repræsentabit, vt propos. 17. dicemus.

6. PORRO vt radj ex A, emissi, & longius excurrentes, exquisitius ducantur, describendus erit ex A, ad quodvis Intervallum circulus $\alpha\beta$, vt in antecedentibus etiam propositionibus factum est. Nam si v. g. accipiatur arcus $\alpha\beta$, similis semissi arcus CBG, transibit radius AG, per β ; quia nimirum per Lemma 10. rectæ $\alpha\alpha$, $A\beta$, intercipiunt duos arcus, quorum is, qui in circulo ex A, descripto existit, similis est semissi arcus in circulo per A, transiente. Ita quoq; si sumantur arcus $\alpha\gamma$, $\alpha\beta$, timiles semissibus arcuum CBa, CBS, transibunt radij $A\gamma$, $A\beta$, per α , β , &c.

7. IAM verò circulus maximus, quem recta AC, refert, & eius paralleli ijsdem prorsus modis in gradus distribuentur, quibus superiores circulos partiti sumus. Nam circulus maximus per rectam AC, in infinitum extensam repræsentatus, dividetur per rectas ex B, polo superiori per gradus Aequatoris emissas eo ordine, quem in lemmate 23. prescripsimus: Nimirum arcui abscisso DP, inchoato à punto inferiori D, respondet arcus EQ, à sectione boreali inchoatus: Ita quoque arcui DQ, respondet arcus ER: Item arcui DG, respondet arcus EL, ita vt quemadmodum arcus BG, incipit à punto superiore, ita ei respondeat arcus à sectione australi inchoatus (si polus australis designari posset) vsque ad L. Itaq; si PQ, fuerit quadrans, erit quoque OR, quadrans. Rursus idem circulus maximus AC, dividetur per rectas ex inferiori polo D, emissas, ita tamen, vt arcus à superiori punto B, inchoati habeant respondentes in AC, à sectione boreali E, inchoatos, &c. vt in eodem Lemmate 23. dictum est. Ita vides arcui BG, respondere arcum EX, quorum ille à punto superiori, hic vero à sectione boreali initium sumit, &c.

8. SIT quoque parallelus aliquis maximi circuli AC, nimirum FGH, dividendus in gradus per rectas ex polo superiori B, edutas. Describatur pa-

parallelum datus
Horizonte recte
in Altitudine determinata
ab Horiante recto datur: in ipsa
ratio scribatur.

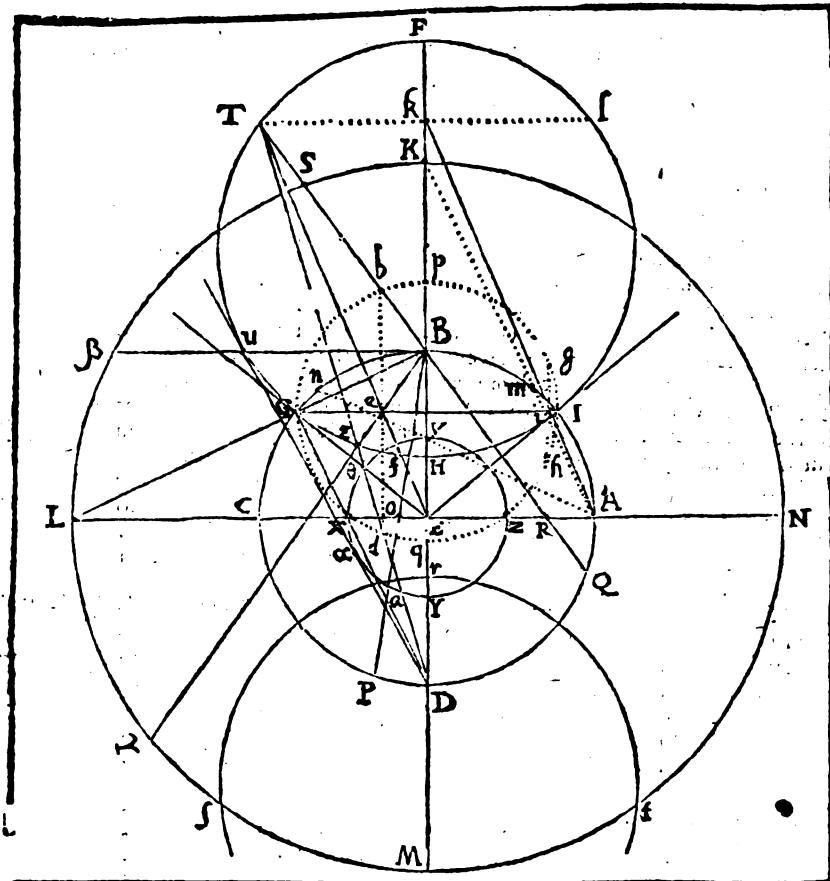
Parallelus Horizontis recti in Altitudine determinata
propositus. quantum
ab Horizonte recto datur: in ipsa
ratio coguntur.

Radios longius
excurrentes a circulo
causas datur.

Circulum maxima
mum per polos
mundi datur.
in gradus dividitur
bascum.

Parallelus circu-
li maximi per
mundi polos da-
tur in gradus di-
videndus, ut sunt
poli.

parallelus A equatoris KLMN , tento interuslo à polo australi A, distans, quanto parallelus FGHI , à polo superiori B, abest , ita vt arcus BG, Am, dictas distantias metientes sint æquales . Si igitur arcus sumatur KS , in parallelo Ae- quatoris quotlibet graduum, dabit recta BS, in dato parallelo arcum FT , totidem graduum, quia KS, incipit à punto superiore K, & FT , à sectione austra- li F . Eadem ratione tot erunt gradus in arcu MLS , inchoato à punto M ,



9. QVOD sidem parallelus FGHI, per rectas ex inferiori polo D. egredientes diuidendus sit in gradus, describendus erit parallelus Aequatoris VXYZ, parallelo KLMN, oppositus, qui videlicet tanto interuallo à polo australi A, absit, quanto parallelus FGHI, à polo inferiori D, distat, ita ut arcus DC^G, AB^H, dictarum distantiarum æquales sint. Nam si arcui KS, inchoato à puncto superiori sumatur similis arcus Ya, (qui in sphera ipsi KS, æqualis est, cum paralleli æquales sint.) à puncto inferiori inchoatus, dabit recta Da, producta arcum parallelus FT, cundem à sectione australi inchoatum. Item abscindet arcui Vxa, à puncto superiori V, inchoato arcum HGT, à sectione boreali H, inchoatum. Eoitem modo DX, abscindet duos quadrantes YX, FG, ut ex Lemma 23. perspicuum est.

10. ALIO modo eundem parallelum ita in gradus partiemur. Descripto circa GI, circulo pgql, sumantur arcus pb, qd, inter se æquales, iunctaq; recta bd, secet GI, in e. Nam recta Ee, secabit parallelum in duobus punctis T, f, continebitq; vterq; arcus FT, HF, tot gradus, quot in arcu pb, continentur. Item vterque arcus GT, Gf, tot complectetur gradus, quot in arcu Gb, repriuntur: adeo ut si arcui KS, p b, similis fuerint, recte Ee, BS, in idem punctum T, incidente. Est autem hæc ratio eadem omnipotens, quæ illa, quæ propos. antecedenti Num. 26. parallelos circulorum obliquorum in gradus distribuimus; propterea quod E, sit centrum Verticalis primarij, sicut ibi punctum L. Ex quo fit, rectas EG, EI, parallelum tangere in G, I, extremis punctis diametri visu GI, quemadmodum ibi recte Lq, LG, parallelū contingere ostendimus.

Parallelū circuli maximū per mundi polos duos, in gradus distribueret, ex polo australi Adrabi.

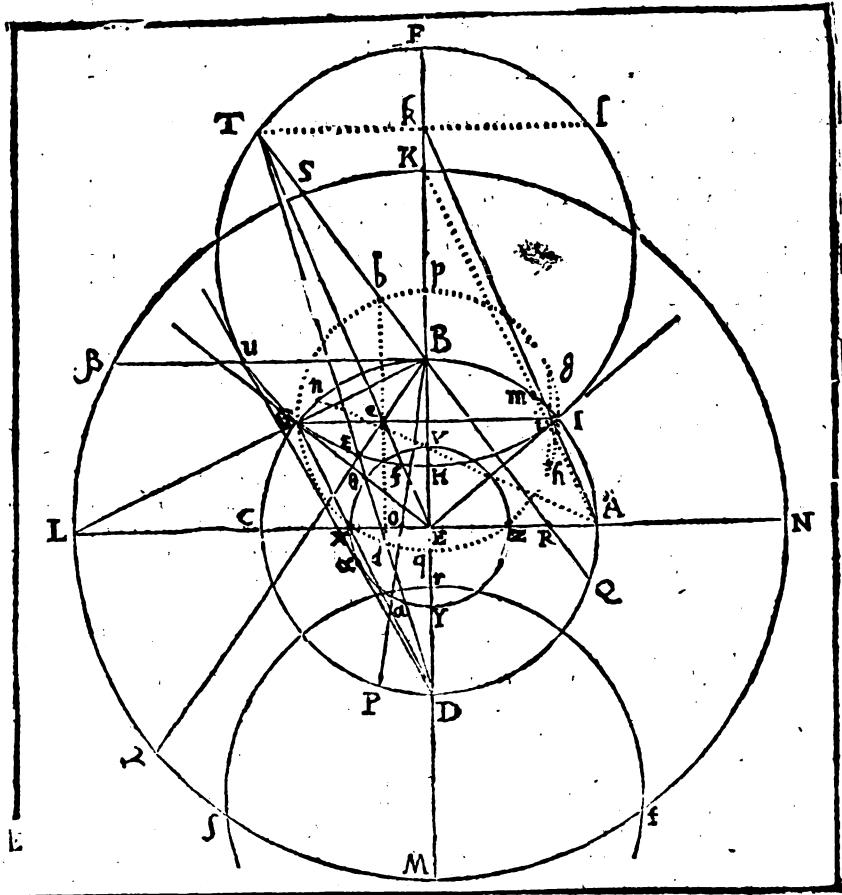
11. TERTIO eundem parallelum, & alios quoque hac ratione distribuemus in gradus. In circulo circa GI, veram diametrum parallelī descripto accipiantur duo arcus æquales Ig, Ih, iunctaque recta gh, secante GI, in i. dividatur ex A, polo australi per i, recta Ai, donec BB, productam secet iak. Nam recta Ti, per k, ad BF, ducta perpendicularis abscindet duos arcus FT, FL, quorum vterque continet tot gradus, quot in arcu Ig, includuntur, vel duos GT, IL, totidem graduum, quot complectitur arcus pg; adeo ut si arcus Ig, similis fuerit arcui KS, vel æqualis arcui pb, perpendicularis kT, in ipsum punctum T, quod per rectas BS, Ee, monstratum est, incidat. Atque hæc ratio à tertio modo diuidendi parallelos obliquos, quem in præcedenti propos. Num. 31. ex posuimus, non differt.

Parallelū circuli maximū per mundi polos duos, in gradus distribueret, ex polo australi Adrabi.

12. NON aliter parallelī infra Horizontem rectum AC, diuidentur in suos gradus. Sit enim parallelus r st, sub Horizonte æqualis omnino parallelo FGHI, hoc est, distantia vtriusq; ab Horizonte in contrarias partes sit eadem. Ergo ex polo superiori distribuetur beneficio parallelī Aequatoris VXYZ, qui tanto spatio absit à polo australi, quanto parallelus r st, à Zenith B, distat: ita ut rectæ ex B, cadentes, auferentesque arcus à puncto V, superiori inchoatos abscindat ex parallelo arcus respondentes a sectione australi inchoatos, quæ infra punctum M existit: Rectæ vero abscindentes ex parallelo Aequatoris arcus à puncto inferiori Y, inchoatos, auferant arcus respondentes in dato parallelo r st, incipientes a sectione borealir, veluti prius. At ex polo inferiori D, secabitur idem parallelus r st, beneficio paralleli Aequatoris KLMN, cum hic tanto spatio remoueat à polo australi, quanto r st, Nadir, vel polo Horizontis inferiori recedit: ita ut rectæ ex D, egredientes, quæ auferunt arcus parallelī Aequatoris incipientes a K, puncto superiori, refescant ex parallelo r st, arcus respondentes initium sumentes a sectione borealir: Rectæ vero auferentes ex KLMN, arcus, quorum initium est in M, puncto inferiori, abscindant.

dant ex r^e st, respondentes arcus à sectione australi infra punctum M, existente in choatos, vt prius. Quæ omnia liquido constant ex iis, quæ in Lemmate 23. scri-
plimus.

PARALLELI idem diuidi quoq; poterit in gradus, si placet, ex centris proprijs, & centro Astrolabii, eo modo, quem in antecedenti propos. 6. Num. 35, ex posuimus: quæ res, quoniam facilis est, longiori declaratione non indiget.



DENIQUE hoc etiam facile accommodabuntur omnia ea, que Num. 36.
& 37. propos 6. scripsimus, ut perspicuum est.

S E D ante omnia huc transferantur ea, quae propos. 6. Num. 25. scripsimus. hoc est, si a punto F, versus G, absclindendus sit ex parallelo arcus quotuis graduum apparentium, numerentur ex punto opposito H, in eandem partem versus G, totidem gradus equeales usque ad e. Recta enim ex D, polo inferiore per e, die-
cta absclin-

et abscindet arcum FT, quæsum, continentem videlicet tot g radus visos, quoæ æquales in arcu H s, continentur. Quod si idem gradus æquales numerentur ex H, in oppositam partem versus I, dabit recta ex fine numerationis per B, polum superiorem ducta eundem arcum FT. Viciissim si ex F, vsque ad T, numerentur quotius gradus æquales, abscindet recta TD, ad polum inferiorem D, ducta ex eadem parte arcum Hs, totidem graduum visorum: recta autem ex T, per B, polum superioarem extensa auferet ex parte opposita arcum totidem graduum apparentium.

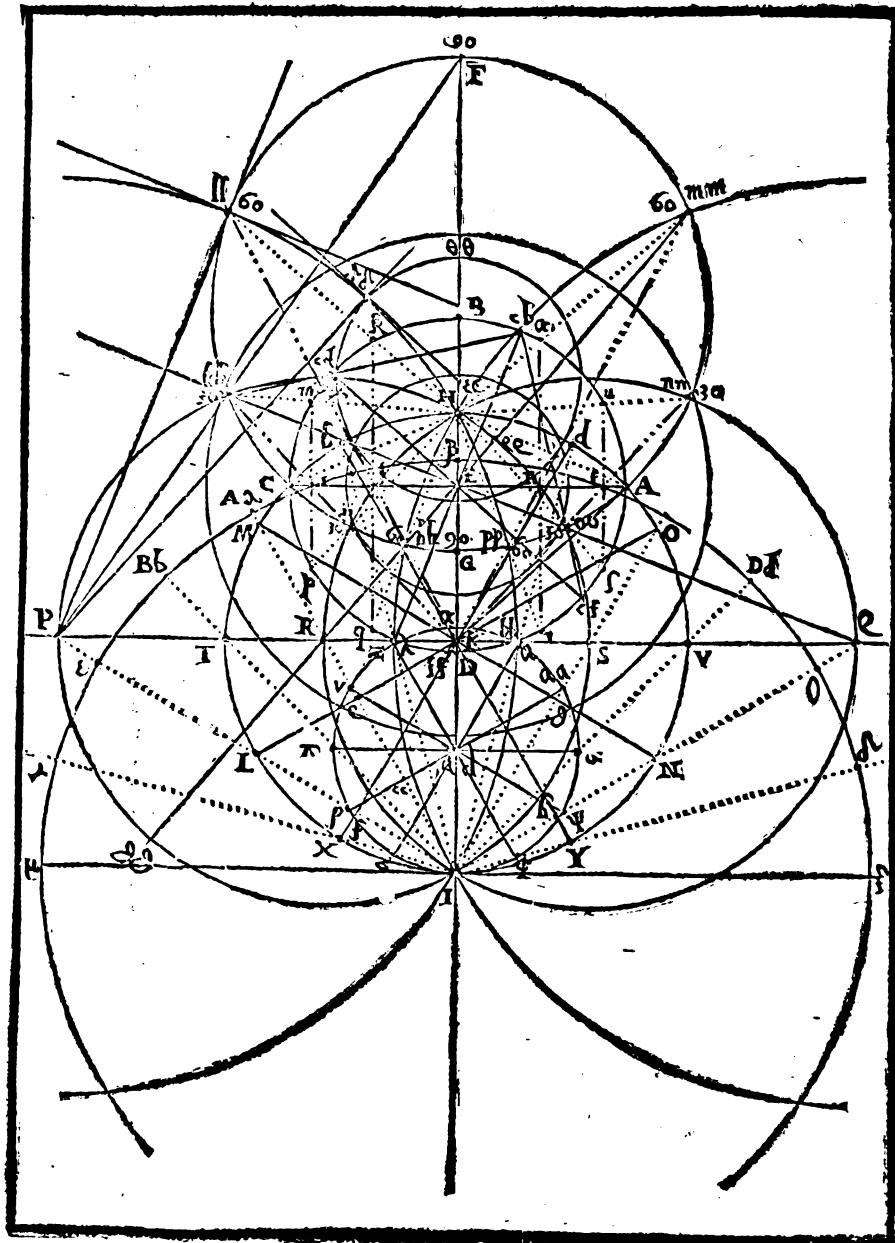
DE INDE quia V, centrum circuli pGqI, & E, centrum parallelī Aequatoris KLMN, similiter distant à B, polo superiore, (cum sit, vt GV, hoc est, vt pV, semidiameter ad VB, ita LE, hoc est, ita KE, semidiameter ad EB.) fiet diuisio parallelī FGHI, per circulum pGqI, sicuti per parallelū KLMN, ex polo superiori B. Ita vides rectam Bb, (sumpto arcu pb, simili ipsi KS,) transfire per S, indicareque idem punctum T. Rursus quia eadem centra V, E, similiter distant à polo D, inferiore, sumpto E, pro centro parallelī Aequatoris VXYZ, (cum sit, vt GV, hoc est, vt pV, semidiameter ad VD, ita XE, hoc est, ita VE, semidiameter ad ED.) fiet eadem diuisio parallelī FGHI, per eundem circulum pGqI, ex polo D, inferiore. Ita vides rectam Dd, (sumpto arcu qd, simili ipsi Ya,) transfire per a, monstrareque idem punctum T. Atque in hunc modum si pro parallelī Aequatoris KLMN, VXYZ, alii circuli describantur, quorum centra similiter absint à polo B, superiore cum E, centro parallelī KLMN, vel à polo D, inferiore similiter cum E, centro parallelī VXYZ, habebuntur alii citculi, per quorum gradus rectæ ex polo B, vel D, extensæ partientur parallelū FGHI, in gradus, vt propos. 6. Num. 25. demonstraimus.

13. AD extremum omnia illa hic vera sunt, quæ in scholio antecedentis propos. Num. 2. 3. 4. & 5. demonstrata sunt: hoc est, ducta recta Bu, ad BD, perpendiculari ex B, polo parallelorum Horizontis recti superiore, rectam Du, ex inferiore polo D, ductam tangere parallelos in u, æ, & arcum Fu, arcui Mø, & arcum Hu, arcui Kø, similem esse. Item arcus Ya, Hu, & Vz, Fu, quos tangens recta Du, ex inferiore polo D, educta abscindit, similes esse. Rursus si ex eodem polo inferiore D, ducatur vt cumque recta DT, itam arcus FT, Vø, quam Hs, Ya, & quam Ts, ø, similes esse. Præterea ductis rectis BT, Bs, secantibus parallelū Aequatoris KLMN, in S, y, & arcus Sy, Te, similes, & angulos TBF, yBM, vel TBø, yBø, æquales esse. Denique si hanc æquales anguli TBF, yBM, ita vt recta BT, By, parallelos secent in T, s, S, y, viciissim arcus Sy, Te, similes fore: atque adeo rectam ductam DT, transfire per punctum s, vbi recta By, cunctum parallelū Horizontis secat: Et rectam ductam Ds, transfire per punctum T, vbi idem parallelus à recta BT, secatur; hoc est, tria puncta D, s, T, in una recta linea sita esse. Eadem enim omnino demonstratio, quæ in dicto scholio facta est, locum hic habet, vt liquet.

PROBL. V. PROPOS. VIII.

V E R T I C A L E S circulos, qui per polos Horizontis ducuntur, & quos Azimuth Arabes appellant, & alias circulos maximos, qui per polos cuiusvis circuli maxi-

K k k mi in



mī in Astrolabio descripti incedunt, in Astrolabio de scribere, eosque in gradus distribuere.

1. PROPOSITIONE quinta Verticalem primarium, Horizontem, Eclipticam, & alios circulos maximos ad Meridianum quidem rectos, ad Aequatorem vero inclinatos, quorum inclinatio nota sit, descripsimus: Alii autem Verticales ad Meridianum inclinati, quos Arabes appellant Azimuth, quoniam in Analemmate eandem diametrum habent cum Verticali primario, nimirum axē Horizontis, cuā omnes per Horizontis polos incedant, ea ratione describi nequeunt, quod Meridianus ad illos rectus non sit, ac proinde in recta BD, communī sectione Meridiani, & plani Astrolabii, Aequatorisue, eorum diametri non maxima apparet, (quippe cum solum maxima cernantur in communibus sectionibus plani Aequatoris, vel Astrolabii, & maximorum circulorum per eorum polos, & polos mundi ductorum, vt in scholio ptopos. 3. Num. 1. demonstrauimus) sed omnes conspiciantur habere eandem diametrum visam cum Verticali primario, qualis est HI, in hac propposita figura. Quamobrem eos hac ratione in Astrolabium proiecicimus. Verticalis primarius AHC, dividatur in partes equales per tot diametros, quot Verticales in Astrolabio describendi innt, ducta prius per eius centrum K, ad HI, perpendiculari PQ, indefinita magnitudinis: Ut in partes 360. per 180. diametros, (quilibet enim diameter per duo puncta opposita ducitur, si 180. Verticales desiderentur, diuidentes Horizontem, eiusq; parallellos in 20. gradus: Vel in partes 180. per 90. diametros, si 90. Verticales describerentur, Horizontē in 180. partes diuidentes, ita vt inter binos bini gradus intercipiantur: Vel in partes 120. per 60. diametros, vt singulæ partes ternos gradus complectantur: Vel in partes 72. per 36. diametros, vt singulæ partes contingant quinque gradus: Vel in partes 60. per 30. diametros, vt inter binas proximas feni gradus includantur: Vel in partes 40. per 20. diametros, vt inter quaslibet duas novem gradus intercipiantur: Vel in partes 36. per 18. diametros, vt singulæ partes contingant denos gradus: Vel in partes 24. per 12. diametros, vt singulæ partes quindenos complectantur gradus: Vel in partes 20. per 10. diametros, vt partes singulæ octodenos gradus comprehendantur: Vel denique in partes 12. per 6. diametros, vt singulæ partes tricos gradus complectantur, vt in nostro exemplo factum est. In eo enim descripti sunt 6. Verticales, & inter quoslibet duos proximos, 30. gradus intercipiuntur, & Horizon cum suis parallelis ab eisdem in 12. partes distribuitur.

DE INDE ex alterutro polorum Horizontis H, I, verbi gratia, ex I, per omnia extrema diametrorum radii emittantur secantes rectam PQ, in punctis, quæ & diametros, & centra Verticalium circulorum exhibentur hoc ordine: Radii per extrema cuiuslibet diametri emisi absindunt ex PQ, diametrum illius Verticalis, qui tot gradibus in sphera à Verticali primario distat ab ortu in austrum, quot gradibus diameter assumpta in Verticali primario à punto T, orientali versus I, australre recedit: Vel qui tot gradibus a Verticali primario in sphera distat ab occasu in boream, quot gradibus eadem diameter assumpta in primario Verticali à punto V, occidentali versus H, boreale remouetur: Aut qui tot gradibus in sphera à Verticali primario recedit ab ortu in boream, quot gradibus assumpta diameter in Verticali primario absit a punto T, orientali versus H, punctum boreale: Vel denique qui tot gradibus a primario Verticali in sphera ab occasu in austrum distat, quot gradibus eadem diameter assumpta

Verticales circulos in Astrolabio describere.

K k k a a punto

¶ puncto occidentali V, versus punctum australe I, abest. Est enim recta PQ, in Astrolabio ita concipienda, ut nobis in polo australi existentibus pars KP, sit ad dexteram, & KQ, ad sinistram. Nam cum nobis conuersis ad faciem Astrolabii (quod in plano Aequatoris existit) pars eius orientalis (ut ab auctoribus in vsu accipitur) sita sit ad sinistram, qualis est pars a meridiana linea FI, ad sinistram porrecta; occidentalis vero ad dexteram, cuiusmodi est portio ab eadem meridiana FI, dextram versus extensa: sit, ut existentibus nobis in polo antarctico, pars orientalis Astrolabii existentis in plano Aequatoris statuatur ad dexteram, occidentalis autem ad sinistram: adeo ut polus australis concipiendus sit a tergo plani Astrolabii. Quæ res attente considerata plurimum confort ad concipiendos situs omnium centrorum Verticalium in recta PQ, in infinitum producta. Omnes enim scriptores accipiunt in vsu Astrolabii partem, quæ nobis ad Astrolabium conuersis ad sinistram posita est, pro orientali, & quæ ad dexteram pro occidente at, at Oriens constitutis nobis in polo australi, & ad Aequatorem conuersis, existit ad dexteram, & occidens ad sinistram. Quod si quis malit partem KP, rectæ PQ, in infinitum extense apparere nobis ex polo australi ad sinistram, & partem KQ, ad dexteram, (quod ut fiat, nihil prohibet) sumenda erit pars dextra Astrolabii pro orientali, & sinistra pro occidente. Sed prior consideratio magis est in vsu apud Astronomos. Itaque Aequatore dirimenter partem æxili boreale, n. ab australi in sphæra, erit punctum T, Verticalis primaria in Astrolabio orientale: V, occidentale; H, boreale; & I, australe.

R A D I V S deinde per punctum Verticalis primarii electus, cuius distantia a puncto I, dupla est distantia, quam assumpta diameter ab eodem punto I, habet, cadit in centrum Verticalis describendi, hoc est, secat abscissam diametrum bifarium. Exempli causa. Quoniam diameter LO, recedit à T, puncto orientali versus australe I, siue à punto occidentali V, versus boreale H, grad. 30. idcirco radij IL, IO, intercipiunt diametrum PS, Verticalis PHSI, qui a punto orientali Horizontis C, in Horizonte Astrolabii punctum C, orientale est; A, occidentale; G, boreale; & F, australe, prout Verticalis primarius in sphæra partem borealem ab australi separat) versus australe F, totidem gradibus distat; vel a punto occidentali A, versus boreale G. Centrum autem eius est punctum R, in quod cadit radius IM, duabus ex I, ad punctum M, cuius distantia IM, dupla est distantia IL. Sic etiam radii IX, ID, intercipiunt diametrum Verticalis Ha I, recedentes a punto Horizontis orientali C, in austrum, vel a punto occidentali A, in boream, grad. 60. Centrum autem eius erit P. Rursus radij 1Y, Ib, abscindens diametrum Verticalis HZI, qui a punto occidentali Horizontis A, in austrum, vel a punto orientali C, in boream distat grad. 60. centrum autem ipsius erit Q. Denique radii IN, IM, exhibebunt diametrum QR, Verticalis QHRI, qui a punto occidentali Horizontis A, in austrum, vel à C, punto orientali in boream recedit grad. 30. Centrum autem eiusdem erit S.

2. R E C T E autem hac ratione Verticales circulos describi, in hunc modum demonstrabimus. Recta PQ, ad BD, perpendicularis refert parallelum Horizontis, qui per polum australem A, ducitur in sphæra, ut propos. 6. Num. 3. demonstrauimus. Cum ergo Verticales circuli Horizontem, eiusque parallelos secent in partes similes in sphæra, necessario idem in Astrolabio contingat, adeo ut Verticalis transiturus v. g. in Astrolabio per grad. 30. Horizontis à punto C, orientali versus austrum F, describendus sit per grad. 30. paralleli Horizontis, quem recta PQ, refert, numeratum ab eius punto orientali T, usque ad P, versus australem partem, quæ versus P, tendit. Et quia idem Verticalis secat Horizontem,

tzontem, & parallelum PQ, in pūctis oppositis, necesse est eum transire etiā per grad. 30. eiusdem parallelī a puncto V, occidentali versus boreale pūctum K, vsque ad S, numeratum. Nam in parallelo PQ, vt obiter etiam hoc explicemus) orientale pūctum est T; occidentale V; boreale K; australe vero notari non potest, cum recta PQ, in infinitum excurrat, partes tamen eius australes sunt segmenta à pūctis T, V, orientali, atque occidentali, versus P, & Q, tendentia. Quoniam vero idem parallelus, quem recta PQ, in Astrolabio exprimit, distat a polo australi A, per rectam AK, hoc est, per rectam IK, ipsi AK, æqualem, cum utraque sic eiusdem circuli semidiameter, secabitur parallelus PQ, in gradus singulos per rectas ex I, pūcto per singulos gradus circuli HTIV, per I. descripti, & cuius diameter IH, ad PQ, perpendicularis est, emissa, vt constat ex iis, quæ propos. 1. Num. 5, demonstrata sunt a nobis: adeo vt portio TP, respondeat arcui TL, grad. 30. ab ortu in austrum computato; portio vero VS, arcui VO, grad. 30. ab occasu in septentrionem numerato.

QVIN etiam parallelum Horizontis PQ, in gradus distribui per rectas ex alterutro polorum Horizontis H, I, emissas per gradus Verticalis HTIV, vel eiusmū circuli Verticalem in H, vel I, tangentis, qualis est in figura circulus æTlœ. (Nam per 9. Lema rectæ ex I, eieq; auferunt ex circulo HTIV, & æTlœ illum tangente in I, arcus similes; ac proinde exdem rectæ transcunt per gradus utriusque circuli. Quod etiam de rectis ex H, egrediētibus dicendum est, si circulus describatur Verticalem tangens in H.) hac etiam alia ratione potest demonstrari. Quoniam parallelus Horizontis per polum australē ductus, quem in Astrolabio recta PQ, exprimit, diuiditur in gradus per rectas ex polo Horizontis H, ductas per gradus parallelī Aequatoris, qui ex E, centro per H, describitur, vt propos. 6. Num. 21. ex Lemmate 23. demonstrāimus, cum hic parallelus Aequatoris tantum absit à polo australi, quantum ille Horizontis à Zenith, seu polo Horizontis boreali, cum utrobique distantia sit arcus Meridiani inter polum australē, & polum Horizontis borealem interlectus, quod vñus ducatur per Zenith, & alter per polum australē in sphæra: sit, vt recta ex H, emissæ per gradus Verticalis, vel circuli cuiusque eum in d, tangentis, secent quoque parallelum illum Horizontis per rectam PQ, repræsentatum, in gradus; quandoquidem rectæ illæ Verticalem, & circulum quemlibet tangentem, & parallelum Aequatoris ex E, per H, descriptum, illosque in H, tangentem, in arcus similis partiuntur, ex Lemmate 9. Ademque prorsus ratio est de rectis ex I, emissis, eum hæ ita diuidant rectam PQ, quemadmodum a rectis ex H, eductis secatur, propter æqualem distantiam utriusque pūcti H, I, a recta PQ.

HAE CUM ITA SINT, Verticalis circulus distans a primario Verticali grad. 30. ab ortu in austrum, & ab occasu in boream, secabit parallelum PQ, in iisdem gradibus, nimirum in pūctis P, S. Pari ratione Verticalis distans grad. 60. a primario Verticali ab ortu in austrum, & ab occasu in boream, transibit per pūctū parallelī PQ, in quod incidit radius IX, ductus per grad. 60. à T, orientali pūcto versus australe I, vsque ad X, numeratum, & per pūctum a, quod respondeat grad. 60. à pūcto occidentali V, versus boreale H, vsque ad d, computato. Atque ita de ceteris dicendum est. Et quia omnes Verticales per polos Horizontis H, I, transibent, perspicuum est, ex coroll. propos. 1. lib. 3. Eucl. in recta PQ, secante rectam HI, in omnibus Verticalibus existentem bifariam in K, & ad angulos rectos centra omnium Verticalium existere. Igitur media puncta diametrorum in recta PQ, inuentarum centra erunt Verticalium, in quæ videlicet incident, rectæ ex I, ad diametros circuli HTIV, perpendicularares, vt in Lemmate 35. ostendimus,

Centrum Verticalium existere in linea recta, qua per extrema Verticalis primaria ad meridianam H, neā ducent perpendiculares.

a 3. tertij. dimus, quales sunt rectæ ex I, per ea puncta ductæ, quorum diæntiz ab I, dupla sunt distantiærum, quas dictæ diametri circuli HTIV, ab eodem punto I, habent. **b 3. scritij.** Hæ námque rectæ ad dictas diametros perpendicularares sunt, cum ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. a diametris bifariam secentur, quemadmodum & arcus. Verbi gratia, quia diameter DX, secat arcum IL, bifariam in X, secabit eadem rectam IL, bifariam in f₃, ac proinde & ad angulos rectos. Eademq; ratio ne IM, perpendicularis erit in e, ad LO, & IN, ad Yb, in h, & IO, ad NM, in g. Quæ cum ita sint, recte Verticalis PHSI, ex centro R, descriptus est; & Verticalis Hal. ex centro P; & RHQI, ex S₃ & HZI, ex Q.

3. CIRCVLOS porro ex dictis centris in PQ, inuenitis circa diametros in eadem PQ, repertas descriptos, transire necessario per H, I, polos Horizontis, ut ratio postulat, cum per eos polos in sphæra omnes Verticales incedant; ac profinde vere eosdem illos circulos representare Verticales, cum transeant etiam per puncta paralleli PQ, per quæ eos describendos esse ostendimus, breuitate per hoc ratione demonstrabimus. Quoniam v.g. angulus LIO, in semicirculo rectus est, hoc est, angulus PIS; transitib⁹ necessario circulus ex R, punto medio rectæ PS, circa PS, descriptus per punctum I, ex scholio propos. 31. lib. 3. Eucl. Eademque ratio est de aliis. Solent autem segmenta tantum Verticalium inter Horizontem, & tropicum Σ , comprehensa in Astrolabiis describi, quamvis nos eosdem integros descripterimus, ut ratio descriptionis planior fieret.

4. VT quoque radii ex punto I, longius excurrentes facilius sine errore duci possint, descripsumus ex centro I, circulum $\mu\beta\zeta$, cuiuscunque magnitudinis. Quo autem maior fuerit, eo exquisitius id, quod proprium est, exequemur. Nam, ut in Lemmate 10. monstratum est, si semissi arcus HX, similis arcus $\gamma\gamma$, sumatur, vel (ducta diametro $\mu\beta\zeta$, ad HI, perpendiculari). Si semissi arcus IX, accipiat similis arcus $\gamma\gamma$, transib⁹ radius IX, per γ . Hanc ob causam sumptus est quoq; arcus $\xi\delta$, similis semissi arcus IY, & arcus $\mu\varepsilon$, $\xi\theta$, semissibus arcu IL, IN, similes, &c. Itaq; si semicirculus $\mu\beta\zeta$, in 180. partes æquales distribuatur, dabunt rectæ ex I, per illas partes emissæ in recta PQ, centra omnium 180. Verticalium Horizontem in 360 gradus diuidentium: quandoquidem rectæ ex I, per 180. partes totius circuli ITHV, quarū semissibus illæ similis sunt, emissæ exhibent eadem centra omnium 180. Verticalium. Nam recta IL, cadens in centrum P, Verticalis H a I, auferit ex circulo ITHV, arcum IL, grad. 30. ex semicirculo vero $\mu\beta\zeta$, arcum $\mu\varepsilon$, grad. 30, qui semissi illius similis est, &c. Si autem idem semicirculus $\mu\beta\zeta$, in 90. partes secentur, inuenientur eodem modo centra 90. Verticalium Horizontem in partes 180. binorum graduum partientium, & sic de ceteris. Quod si ex H, non autem ex I, rectæ eductæ centra exhibent in recta PQ, describendus esset circulus ex H, ad quodlibet interuallum, loco circuli $\mu\beta\zeta$, &c.

Centra omnium
Verticalium secā
nam Ho. zonæ
in 360. gradus p
semicirculum in
180. gradus diui-
sum invenire.

Nunquid in
Horizonte, centri,
parallelis, per
qua Verticales
describendi sunt,
impossibile?

5. R V R S V S ut quoad eius fieri potest, exquisitissimè Verticales descriptantur, inuenienda sunt in Horizonte, per ea, quæ propos. 5. Num. 18. & 25. scripsumus, puncta, per quæ transire debent: nimur grad. 30. & 60. tam à punto orientali C, quam occidentali A, versus austrum, & Boream, nec solum per rectas ex polo Horizontis H, ductas, cuiusmodi sunt Hkl, Hmk, Hip, Hhq, Hpr, Hoos, Hunn, Hæimm; verum etiam per rectas ex K, centro Verticalis per puncta rectæ AC, sic diuisæ, ut in Lemmate 3. traditum est, emittas, qualia sunt puncta i, l, n, t, quæ per rectas mp, kq, ai, vs, inueniuntur, ut in figura appetat: vel (quod magis probo) per ea, quæ propos. 6. Num. 25. scripsumus, eiusmodi puncta exquirienda sunt. Ita enim singuli Verticales sen-

puncta

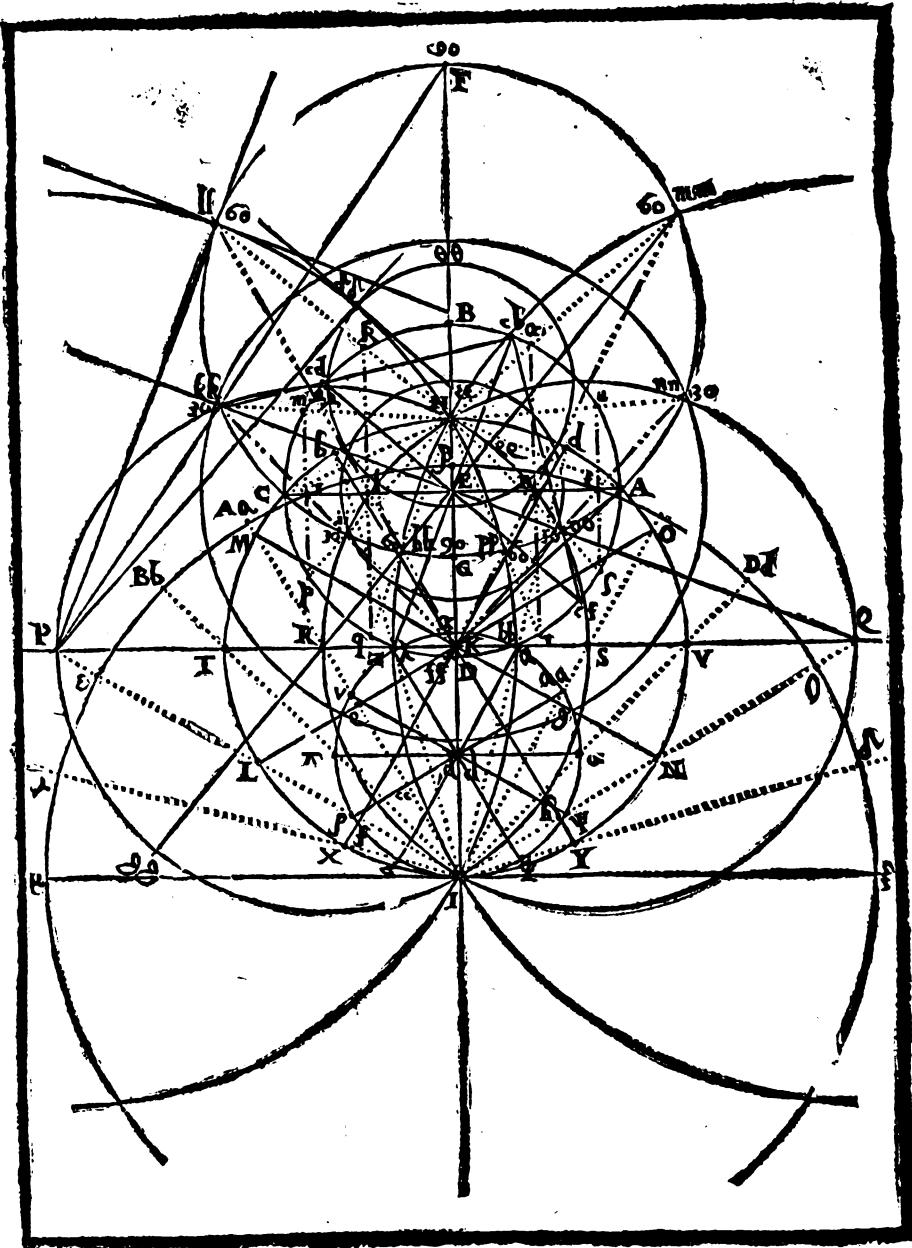
puncta habent, — per quæ describendi sunt, ut fieri non possit, quin centrum cuiusque, ac diameter recte inuenta sint, si ipse descriptus per omnia sex puncta incedat. Quod si describatur aliquot parallelī Horizontis, reperiri in singulis poterunt bina alia puncta pro singulis Verticalibus describendi, si lubeat. Sed in Horizonte satis est, si pro qualibet Verticali unum punctū repertatur, quia recta linea ex eo per centrum Astrolabij ducta dabit aliud in eodem Horizonte, quod quilibet Verticalis Horizontem in duos punctis per diametrum oppositis secet, cuius nodi sunt duo puncta Horizontis, quæ per rectam per centrum trajectam indicantur, in scholio propos. 5. Nun. 10. demonstratum est.

I M M O quando Verticalis describendus parum à Meridiano distat, eiusq; proinde centrum in recta PQ, longissimè à punto K, abest, ipseq; Verticalis proprie meridianam lineam BD, parum a recta linea differt, opera pretium fuerit, in pluribus parallelis Horizontis puncta inquirere, in quibus ille Verticalis eos secat. Nam si ea puncta congruenter connectantur per lineam inslexam, quæ nullibi angulos faciat, descriptus erit dictus Verticalis in Astrolabio in ea portione, que inter tropicum Ξ , & Horizonte n° continetur, in qua quidem portione describi diximus Num. 3. Verticales in astrolabio.

Verticales proprie
à Meridiano di-
stantes per pas-
sa fine circulo
descendere.

6. FACILIVS fortasse percipietur, Verticales circulos per puncta inuenta in recta PQ, duci debere, hoc modo. Concipiatur circulus H I IV, Horizonti æqui distare, punctumq; I, in polo australi existere, ita ut planum eius circuli sit illud, in quo parallelus Horizontis per polum australem ductus existit, punctumq; eius ω , in ortum, & π , in occasum vergat; & in eodem plano circa diametrum Ia, diametro A f, parallelus Horizontis per A, polum australem ducti æqualem, parallelus ipse Horizontis describatur $\alpha\pi I\omega$, ex centro d, cuius, & Äquatoris, siue plani Astrolabij communis sectio sit recta PQ, eundem ipsum parallelum representans in Astrolabio, ut dictum est, cum eius distantia KI, a punto I, æqualis sit, per defin. circuli, recta AK, quæ in sphæra distantia eiusdem rectæ PQ, à polo australi metitur. Et quoniam Verticales circuli secant Horizontem, & parallelum $\alpha\pi I\omega$, in sphæra in arcus similes, facient sex illi Verticales in Astrolabio descripti, sex diametros in eodem parallelo tricens gradibus inter se distantes, ita ut Verticalis primarius efficiat diametrum $\pi\omega$; Verticalis gradibus 30. recedens ab eo versus austrum ex parte orientis diametrum $\nu\perp$, &c. Igitur puncta Verticalium, in quibus parallelum $\alpha\pi I\omega$, secant, apparebunt ex I polo australi in illis punctis rectæ PQ, in quæ incident radij ex I, per extremitates diametrorum eiusdem parallelī emissi. Cum ergo per Lemma 9. dicti radij absindant ex circulo H I IV, qui circulum $\alpha\pi I\omega$; in I, tangit, arcus similes arcubus circuli $\alpha\pi I\omega$, sint autem ex constructione arcus IX, XL, LT, &c. arcubus 16, 6p, p π , &c. similes, cum tam illi, quam hi tricenos gradus complectantur; transibunt ijdem radij per extremitates diametrorum circuli H I IV: ac proinde per ea puncta rectæ PQ, in quibus à dictis radijs secatur, Verticales transire consipientur ex australi polo. quod erat ostendendum. Itaq; quoniam centra Verticalium in recta PQ, existunt, sit, ut portio ipsius inter duos radios ex I, per extremitates diametri cuiuslibet in circulo $\alpha\pi I\omega$, ductos interupta, æqualis sit maximæ diametro visæ. Verticalis per illam diametrum incedentis. Ut portio PS, æqualis est diametro visæ maximaæ illius Verticalis, quæ à Verticali primario gradibus 30. abest, transitq; per diametrum paa, & sic de ceteris. Cadit autem hic etiam recta ducta ex I, ad quamlibet diametrum circuli $\alpha\pi I\omega$, perpendicularis, in centrum Verticalis, hoc est, dia-

410.3. T. 6.



est, diametrum in recta PQ, inuentam bisariam diuidit, ut ex coroll. Lemmatis 35. manifestum est. Ita vides Icc, ad paa . perpendicularem occurtere recta PQ, in R, punto medio diametri inuentæ PS: estque eadem hæc Icc, ad LO, quoque perpendicularis in e; & propterea quod paa, LO, parallelæ sunt, ob angulos pddi, LKL, qui æquales sunt, ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. propter arcus similes I, IL. Eademque ratio est de cæteris.

a 28. primæ.

7. Q V O N I A M vero in scholio propos. 3. Num. 1. demonstrauimus, maximam diametrum viam cuiusque circuli maximi obliqui, & cuiuslibet parallelorum ipsius, inspici debere in communi sectione plani Aequatoris Astrolabii, & maximi circuli, qui per polos mundi, & polos ipsius circuli obliqui ducitur in sphæra; atque ibidem Num. 4. ostendimus, rectam per centrum Astrolabii, & centri circuli obliqui trajectâ, esse communem illam sectionem plani Astro labii Aequatoris, & circuli maximi per mundi polos, & polos circuli obliqui trascuntissimorum, num recta ggee, per R, centrū Verticalis PHSI, inuentū, & E, centrum Astrolabii trajecta, sit communis illa sectio; ut vel hinc etiam apparet, recte a nobis Verticale descriptos esse. Quoniam igitur Verticalis in sphæra, quem in Astrolabio circulus PHSI, representat, ut diximus, facit in circulo ærla, diametrum paa, & estque ad ipsum circulum ærla, rectus; erit ex defini- fin. 4. lib. 1. Eucl. recta Icc, quæ ad paa, communem sectionem Verticalis, & circuli dicti perpendicularis est, ad planum eiusdem Verticalis recta . . Igitur circulus maximus per polum australē I, & per rectâ Icc, ac sphæræ centrū E, ductus, ad eundem Verticalem circulum rectus erit; & ideoque per eiusdem polos incedet. Cū ergo in Astrolabii plano sectione faciat rectam gg ee, propterea & eius planū per rectam IccR, extensum occurrit plano Astrolabii in R, centro dicti Verticalis, & præterea per E, centrum Aequatoris transire ponitur, quemadmodū & recta ggee, per R, & E, ducta est, liquet, rectam gg ee, communem sectionem esse plani Astrolabii, Aequatoris, & circuli maximi, qui per polos mundi, & polos eius Verticalis ducitur in sphæra. Et quia communis sectio dicti Verticalis, & dicti circuli maximi per polos ducti, in sphæra per punctum cc, transit, estque Icc, ostensa ad Verticalem recta, erit eadem Icc, ad dictam sectionem, hoc est, ad diametrum Verticalis, perpendicularis in cc, ex defin. 3. lib. 11. Eucl. ac propterea hic quoque recta ex polo australi I, ad diametrum circuli obliqui maximi (quæ communis sectio est ipsius cum maximo circulo per polos mundi, & per eius polos ducti.) perpendicularis educta, qualis est Icc, ut ostensum est, in R, centrum obliqui circuli maximi cadit: quod quidem omnino esse necessarium, propos. 5. Num. 3. & 4. demonstrauimus. Non secus ostendemus, rectas per centra aliorum Verticalium, & centrum Astrolabii trajectas, esse communes sectiones plani Astrolabii, & maximorum circulorum, qui per eorum polos, & polos mundi ducuntur.

8. P R A E T E R E A cum omnes Verticales per polos Horizontis ducantur, transibit vicissim Horizon per eorum polos, ex theor. 1. scholij propos. 15. lib. 1. Theod. ac proinde, quoniam ex coroll. propos. 16. lib. 1. Theod. polus cuiusque circuli maximi ab eo abest quadrante circuli maximi, hoc est, grad. 90, facili negocio cuiusque Verticalis poli reperientur, si ab utrolibet punctorum, in quibus Horizontem secat, in utramque partem numerentur grad. 90. in ipso Horizonte. Itaque puncta hh, mm, poli erunt Verticalis PHSI, quia inter utrilibet eorum, & alterutrum punctorum KK, oo, vbi is Verticalis Horizontem intersectat, interciuntur grad. 90. hoc est, tres arcus Horizontis, quorum singuli grecenos gradus complectuntur. Vbi vides rectam gg ee, in qua centrum eius

Polos cuiusque
Verticalis interci-
re in Astrolabio,

Verticalis, & centrum Astrolabii existit, per utrumque polum bh, mm, vt res pos-
tulat, cum ea recta (vt ostensum est) sit communis sectio plani Astrolabii, & circu-
culi maximi per polos mundi, & polos dicti Verticalis duorum, hoc est, referat eum
circulum maximum per nominatos polos ductum. Sic etiam puncta ii, nn, poli
erunt Verticalis II H pp, &c. Hac autem ratione facile punctum in Horizonte
inueniemus, quod quadrante a dato Verticali absit. Sit datus Verticalis ii H nn,
secans Horizontem in punctis ii, nn, & ad utrumque eorum ex H, polo Horizon-
tis recta ducatur H ii, vel H nn, secans Aequatorem in p. vel u. Si igitur ex p.
vel u, in utramque partem accipiuntur duo quadrantes Aequatoris pk, pr, vel
uk, ur, ducanturque rectae Hk, Hr, secabitur Horizon in polis II, pp, dati Vertica-
li i si H nn, cum arcus ii II, i pp, vel nn II, nn pp, quadrantibus Aequatoris pk,
pr, vel uk, ur, respondent, vt ex iis manifestum est, quæ propos. 5. Num. 17., 18.
& 19. demonstrata sunt a nobis. Porro quemadmodum in sphera Verticalis
circuli Horizontem, eiusque parallelos diuidunt in gradus, ita quoque Verticali-
les in Astrolabio eosdem circulos in gradus distribuunt.

210.2. The.
Verticalis distribuere. Horizontem, eiusque pa-
rallelos, in gra-
dus.
Verticalem quæli-
bet in gradus dis-
tribuere.

9. I G I T V. R. si ex alterutro polorum cuiusvis Verticalis (eum conso elo-
gendum, qui intra Aequatorem, hoc est, in semicirculo Horizontis AGC, ex-
sistit) per singulos gradus Aequatoris rectas ducantur, distributus erit Verticalis
ipse in gradus, vt propos. 5. Num. 17. & 20. demonstrauimus, si ordo, quem ibi-
dem prescriptissimus, seruetur, additis etiam iis, quæ Num. 23. eiusdem propos.
seruanda esse monuimus, &c.

Verticalem quæ-
cumque in sphæ-
ra propositum,
describere in A-
strolabio.

10. I A M vero Verticalem quemcumque propositum in Astrolabio, ex iis &
quæ dicta sunt, nullo ferme negotio describemus. Nam si deflectat à primario
Verticali ab ortu in austrum, vel ab occasu in septentrionem quotlibet gradibus,
verbi gratia, 30. numerabimus illos 30. gradus à punto T, versus I, usque ad L,
& arcui IL, ex qua le sumemus LM. Recta enim IM, secabit rectam PQ, in R.,
centro Verticalis propositi per puncta H, & I, describendi. Si vero a Verticali
primario deflectat ab ortu in septentrionem, vel ab occasu in austrum, verbi
gratia, grad. 30. numerabimus gradus 30. à punto V, versus I, usque ad N, & ar-
cui IN, ex qua le abscindemus NO. Nam recta IO, rectam PQ, secabit in S, cen-
tro propositi Verticalis per puncta H, & I, describendi. Ut autem exquisitus da-
tus Verticalis describatur, ducenda erit ex punto extremo numerationis L,
vel N, diameter LO, vel NM, & per radios emissos ex I, per terminos diametri,
abscindenda ex PQ, diameter visa propositi Verticalis PS, vel QR, vt quatuor
puncta habeantur P, H, S, I, vel Q, H, R, I, per quæ datus Verticalis describendus est.

Centrum Verticali
dato Verticali
in sphera re-
spondentis repe-
nire in Astrola-
bio.

I D E M centrum Verticalis propositi inuenietur, si declinatio dati Verticali
duplicata numeretur ex H, versus T, quando datus Verticalis a primario decli-
nat ab ortu in austrum, vel ab occasu in Septentrionem; aut ex H, versus V,
quando Verticalis datus a primario ab ortu in septentrionem declinat, vel ab
occasu in austrum, hoc est, si existente v.g. declinatione grad. 30. sumatur arcus
grad. 60. usque ad M, vel O. Nam rursus recta IM, vel IO, dabit centrum R, vel
S, quod quarerit. Quia enim declinatio, verbi gratia, Hb, equalis est declinatio-
ni TL, addito coi arcu bT, erit arcus bL, quadranti HT, equalis; ac proinde an-
gulus bKL, rectus erit ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. hoc est, diameter bY,
ad diameter LO, perpendicularis erit. Igitur ex iis, quæ in Lemmate 35. de-
monstrauimus, si arcui Hb, equalis accipiatur bM, diuidet recta IM, segmentum
PS, a radiis IL, IO, abscissum bifariam in R. atque ita de ceteris. Alii ad inue-
niendum centrum cuiusque Verticalis in recta PQ, numerant eius declinatio-
nem duplicatam ex I, versus T, vel V, & per suam numerationis ex H, rectam
emig-

~~dem~~ tunc, quæ rectam PQ, secet in centro dati Verticalis: quæ ratio a nostra non differt. Nam si arcus HM, LL, æquales sint, abscindent rectæ IM, HL, eandem rem KR, ex PQ.^a Fiunt enim duo triangula inter se æquilatera, cum angulos ad K, habeant rectos, & angulos ad I, H, æquales æqualibus arcibus HM, LL, insistentes, necnon & latera adjacentia IK, HK, æqualia, &c.

a 26. primi.
b 27. tertii.

R VRSVS idem centrum in PQ, reperitur, si declinatio dati Verticalis numeretur à punto β , in semicirculo $\mu\beta\xi$, versus μ , si Verticalis ab ortu in austri, vel ab occasu in boream deflectat; aut à β , versus ξ , si ab occasu in austrum, vel ab ortu in boream Verticalis deflectat. Recta namque ex I, per finem numerationis educta dabit in PQ, centrum quæsumum: quia videlicet eiusmodi declinatio à punto β , numerata similis est eidem declinationi, hoc est, sessim duplicate declinationis a punto H, numerata. Igitur per Lemma 10. recta ex I, ducta ad finem declinationis in semicirculo $\mu\beta\xi$, transibit per finem duplicatae declinationis in circulo HTIV. Quare cum recta ad duplicatam declinationem ducta in circulo HTIV, cadat in centrum quæsumum, ut ostensum est, cadet quoque recta ad declinationem in semicirculo $\mu\beta\xi$, ducta in idem centrum. Ita vides rectam I_s, ex I, ductam præ finem arcus βs , grad. 60. cadere in P, centrum Verticalis Hal, qui ab ortu in austri grad. 60. rotidemque ab occasu in boream deflectit, &c.

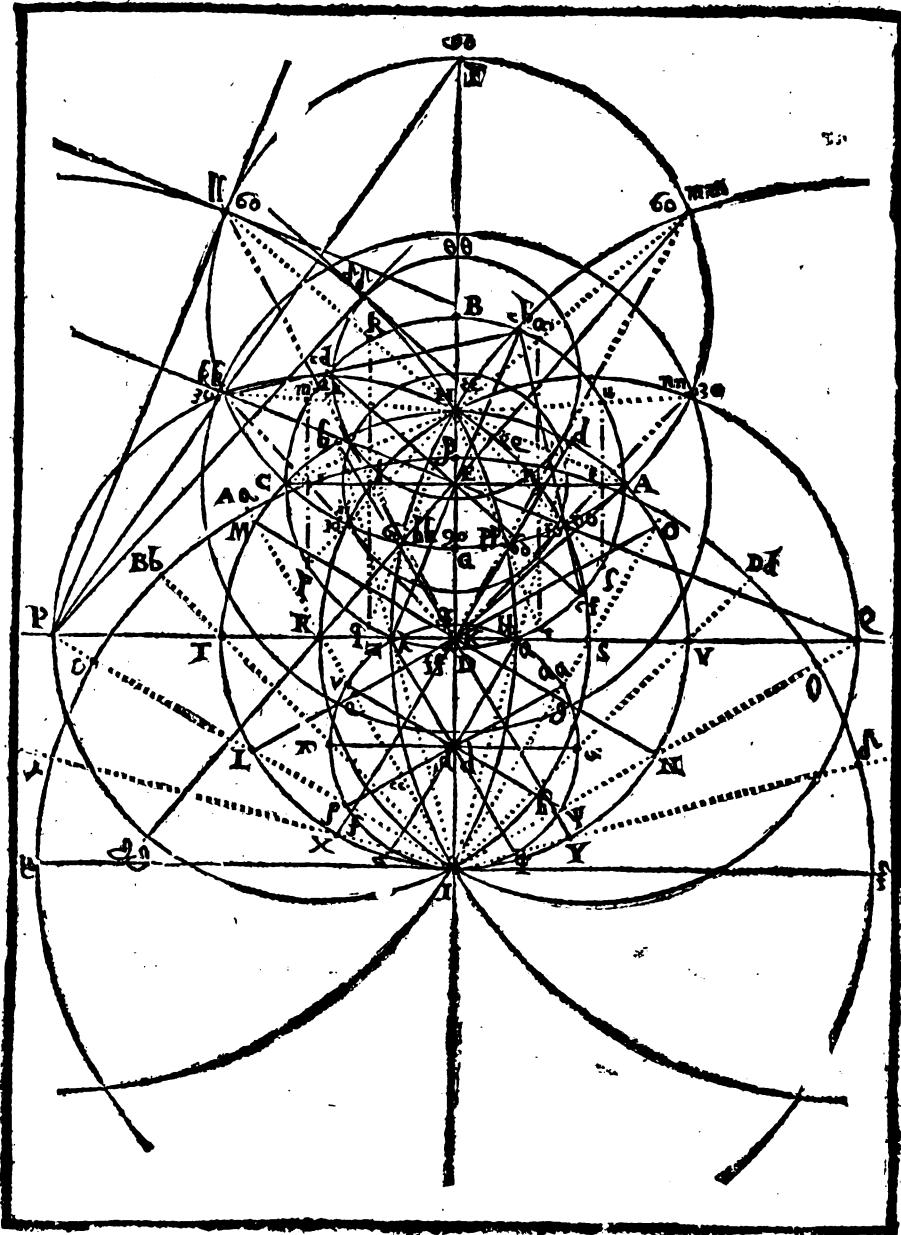
I M M O si ex Horizonte abscindatur arcus declinationis dati Verticalis, initio facto à C, vel A, versus F, vel G, prout datus Verticalis a primario deflectat ab ortu vel occasu in austrum, siue boream, habebuntur tria puncta, per quæ ex scholio propos. 5. lib. 4. Eucl. datus Verticalis describendus est, quorum duo in quolibet Verticali sunt H, I, tertium vero est illud, quod per declinationem Verticalis inuentum est in Horizonte: atque per punctum oppositum per diametrum in Horizonte, quod indicat recta ex inuento punto per centrum Astro labii ducta, necessario etiam datus Verticalis transibit, si in descriptione error commissus non fuerit. Sed consultius feceris, si centrum priori ratione inuestiges in recta PQ, vna cum extremis punctis diametri, quia tunc plura puncta habentur, per quæ describendus est Verticalis.

11. VICISSIM descripto quovis Verticali in Astrolabio, cognoscemus gradus declinationis ipsius à Verticali primario, & quamnam in partem deflectat. hac ratione. Ex H, polo superiore Horizontis, ad punctum intersectionis dati Verticalis cum Horizonte recta ducatur, punctumque sectionis huius rectæ cù Aequatore notetur. Arcus enim Aequatoris inter hoc punctum, & alterutrum punctorum A, C, quod videlicet minus distat, metietur declinationem dati Verticalis a primario Verticali, ab ortu quidem versus austri, si arcus Aequatoris inuentus tendit a C, versus B, vel in septentrionem, si dictus arcus a C, in D, vergit: At vero ab occasu in austri deflectet, si repertus arcus Aequatoris vergit: At vero ab occasu in austri deflectet, si repertus arcus Aequatoris vergit ab A, versus B, vel in boream, si dictus arcus ab A, recedit in D. Exempli gratia, si datus sit Verticalis IIIHppI, ducemus rectam Hll, quæ Aequatorem secet in k. Nam arcus Aequatoris Ck, metietur inclinationem dati Verticalis ad primarium ab ortu in austri. Quod si ducatur recta Hpp, Aequatorem secans in r, metietur arcus Ar, eandem inclinationem ab occasu in boream. Nam idem Verticalis ex una parte à primario deflectit in austri, & ex altera in septentrionem, & utraque inclinatio eundem graduum numerum complectitur.

declinatione ea-
juslibet Verticali
in Astrolabio
ad primario Ver-
ticalis cognoscendu-
re.

E A D E M inclinatio reperitur hoc modo. Ex I, ad alterutrum punctorum, in quibus datus Verticalis rectam PQ, secat, recta ducatur, punctumque interse-

LII. sectionis



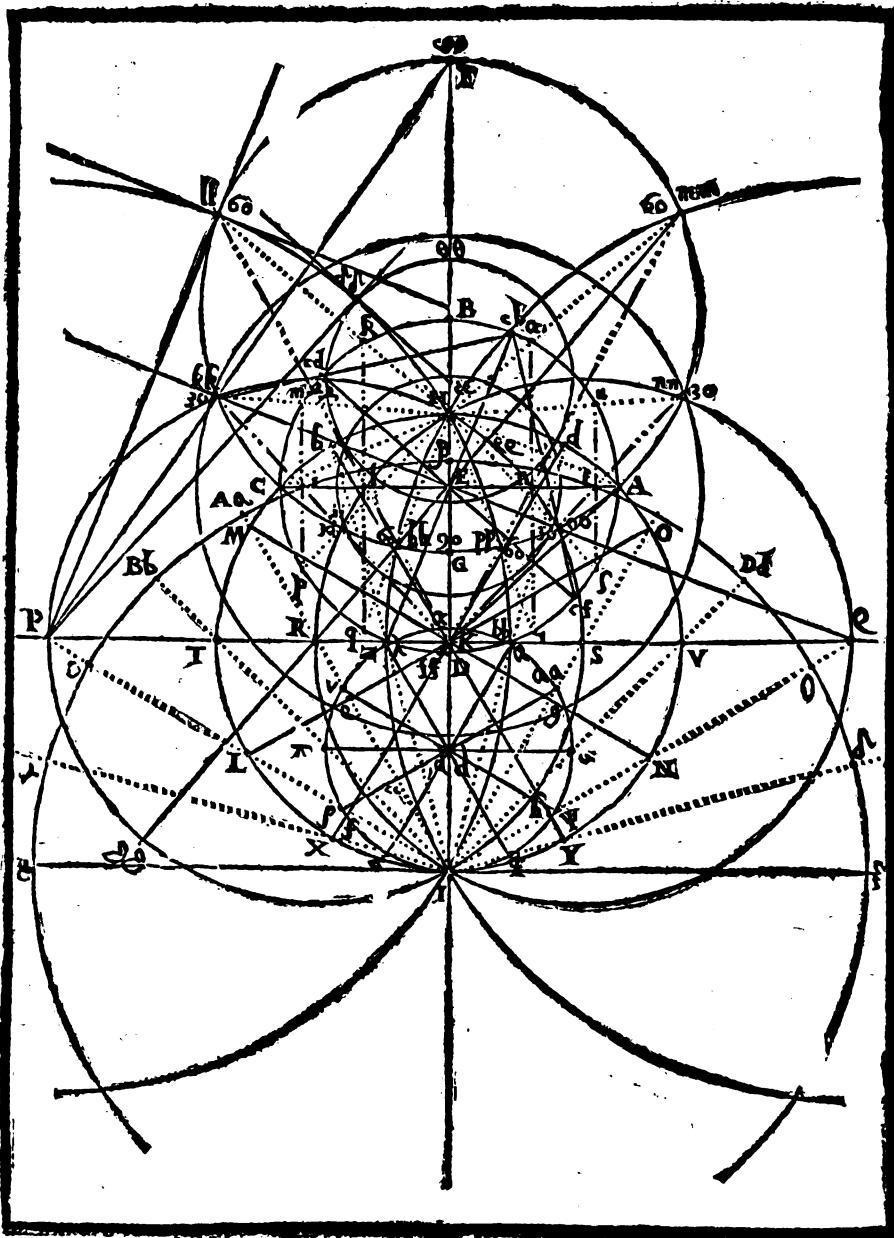
Quoniam huius recte cum Verticali primario notetur. Nam arcus inter hoc punctum, & alterutrum punctorum T, V, quod videlicet proprius abest, metietur inclinationem dati Verticalis ad Verticalem primariam, ab ortu quidem in austrum, si inventus arcus à T, vergat versus I, vel ab occasu in septentrionem, si semper arcus ab V, in H, tendat: At vero datus Verticalis deflectet ab ortu in septentrionem, vel ab occasu in austrum, si arcus inventus vergat à T, versus H, vel ab V, versus I. Ut si datus sit Verticalis PHSI, ducemus rectam IP, vel IS, quae Verticalem primariam secet in L, vel O. Arcus enim TL, vel VO, dabit inclinationem qualitatem, prior quidem ab ortu in austrum, posterior vero ab occasu in boream. Alii eandem inclinationem hac ratione investigant. Ex I, vel H, per centrum dati Verticalis in recta PQ, existens rectam trahunt usque ad Verticalem primariam. Semissis namque arcus ipsius inter dictam rectam, & diametrum IH, interiecti, dabit inclinationem qualitatem. Ut si ex I, per R, centrum Verticalis PHSI, ducatur recta IR, usque ad M, et it HB, semissis arcus HM, inter rectas IM, IH, positi arcus inclinationis. Et si quidem centrum fuerit ad finitam rectam IH, deflectet datus Verticalis ab ortu in austrum, & ab occasu in boream; si vero ad dextram, ab occasu in austrum, vel ab ortu in septentrionem. Sed quoniam non semper Verticales integri descripti sunt, non semper habebimus puncta intersectionis in recta PQ, aut centra; idcirco prior ratio huic posteriori praeferenda videtur.

SED fortasse facilius eandem inclinationem nanciscemur, si ex I, per centrum dati Verticalis rectam ducamus usque ad semicirculum μβξ. Arcus enim à β, usque ad illam rectam dabit inclinationem qualitatem, ab ortu quidem in austrum, vel ab occasu in boream, si centrum à K, versus P, tendat; ab occasu vero in austrum, vel ab ortu in boream, si centrum à K, versus Q, repertum fuerit. Ita vides rectam Iθ, per Q, centrum Verticalis HZI, ductam offerre arcum β4, grad. 60. quibus ille Verticalis ab ortu in boream, & ab occasu in austrum à primario Verticali recedit. Prior tamen ratio, qua inclinatio in Horizonte reperitur, magis placet, propterea quod centra Verticalium modico intervallo a Meridiano distantium nimis longe à punto K, distant.

COMMODISSIME autem eandem inclinationem consequemur, qui uis longissime Verticalium centra à punto K, absint, hoc modo. Quoniam quilibet Verticalis rectam PQ, duobus in punctis secat, uno intra Verticalem primariam inter puncta T, V, & altero extra eundem, ducemus ex I, per eius intersectionem cum recta TV, intra primarium Verticalem, rectam lineam, donec Verticalem primariam, vel semicirculum μβξ, secet. Arcus enim Verticalis priori inter T, vel V, & illam rectam, metietur inclinationem dati Verticalis ad primarium Verticalem, ut ex iis constat, qua paulo ante Num. 2. ostendimus. Nam ut ibi demonstrauimus, portiones recte PQ, parallelum Horizontis per polum australis ductum referentis respondent arcibus circuli HTIV, inter easdem rectas ex I, emissas, quod ad numerum graduum attinet. Cum ergo portiones recte PQ, contineant gradus, quibus Verticales inter se distant, ut ibi demonstratum est, continebunt etiam arcus circuli HTIV, eosdem gradus, quibus inter se distant Verticales. Et quia eadem recta cum recta IBb, verbi gratia, vel IDd, afferit ex semicirculo μβξ, semissim arcus Verticalis per Lemma 10. dabit arcus illius semicirculi inter Bb, vel Dd, & rectam illam comprehensus semissim eiusdem inclinationis, ac proinde duplicatus totam inclinationem exhibebit, ab ortu quidem in boream, & ab occasu in austrum, quando datus Verticalis portio nem KT, intersecat, vel arcum Horizontis CG; at ab occasu in boream, & ab

Ratio patcher
ma innegandas
inclinationes da
ti Verticalis ad
primarium Vert
icalem.

Quia in punctis
datis Verticalis
in Astrolabio de
recta a Verticali
primario, cognosc
ortu



ertu in austrum, quando intersectio sit in portione KV, vel arcu Horizontalis AG. Vt recta IR, ducta ex I. per R, intersectionem Verticalis HRIQ cum recta KT, aferat ex Verticali primario arcum TM, grad. 30. & ex semicirculo $\mu\beta\xi$, arcum Bb Aa, grad. 15. Igitur dictus Verticalis a primario Verticali defleget ab ortu in boream, & ab occasu in austrum, grad. 30.

E A D E M prorsus ratione inclinationem quorumlibet duorum Verticalium inuestigabimus, si per eorum intersectiones cum recta KT, vel KV, ex I. rectas emittamus, &c. Verbi gratia, rectae IR, IZ, intercipiunt Mb, arcum inclinationis Verticalis HRI, ad Verticalem HZI, in primario Verticali, vel in semicirculo $\mu\beta\xi$, semissim eiusdem inclinationis Aa ii, & sic de ceteris.

Inclinationes
variae Verticali
ad arietem in &
strolabio cognoscere.

12. N O N aliter describentur circuli latitudinum stellarum per polos Eclipticæ transentes; qui videlicet per longitudines stellarum incidentes earum latitudines metuntur. Nam si Ecliptica in eo situ, quo propos. 5. Num. 7. descripta est, pro Horizonte aliquo sumatur, erit circulus maximus per eius polos, & intersectiones Eclipticæ cum Colore æquinoctiorum in Aequatore Altrolabi ductus, quem representat circulus AQC, in figura propos. 5. Num. 7. ex centro P, descriptus, instar Verticalis primarii. Quare alii describentur, sicut alii Verticales a primario deflentes, si eorum centra in recta, qua per centrum P, ad ad meridianam lineam PQ, ad angulos rectos ducitur, inueniantur. Sed quia polus inferior nimis procul distat, commodius eorum centra, & diametri in illa recta inuenientur per rectas ex polo propinquiore, vt ex punto Q, figuræ propos. 5. eductas per partes æquales circuli AQC, vel potius (quia is nimis magnus est) per partes æquales cuiusvis circuiti, quamuis exigui, qui circulum AQC, in Q, attingat. Nam rectæ haæ auferent ex circulo AQC, arcus similes, ex Lemma 9. quemadmodum etiam in figura huius propos. rectæ ex I. per arcus circuli $\pi\tau I\omega$, eductæ transent per arcus similes Verticalis primarii ATIV. Aut denique si ex Q, ad quodlibet interuallum semicirculus describatur, dabunt rectæ ex Q, per gradus illius semicirculi emisæ centra in eadem illa perpendiculari per P, trajecta, quemadmodum de semicirculo $\mu\beta\xi$, paulo ante Numero 4. datum est.

D E N I Q V E eadem ratione circulos maximos per polos cuiusvis circuiti maximi dati ducemus, si prius primarium circulum, instar Verticalis primarii, describamus per eosdem polos, qui videlicet suos quoque polos, & centrum in eadem recta linea habeat, in qua dati circuli maximi centrum, & poli existunt, transeant per intersectiones eiusdem cum Aequatore, quemadmodum Verticalis Horizontis primarius polos, ac centrum habet in meridiana linea, in qua poli, & centrum Horizontis existunt, inceditque per communes sectiones Horizontis cum Aequatore, &c.

Rectæ ex centro
cuiusvis Verticali
I. et ad intersectionem
cum eius cum Ho-
rizonte ductas. Ho-
rizontem tangen-
te, &c.

13. Q V E M A D M O D V M autem rectæ lineæ ex K, centro Verticalis primarii per puncta A, C, vbi Horizon, Verticalisque primarius se mutuo secant, traiectæ tangunt Horizontem in A, & C, & rectæ ex B, centro Horizontis ad eadem puncta emissæ tangunt ibidem Verticalem primarium, vt ex propos. 5. Num. 28. & 29. ostensum est: ita quoque in aliis Verticalibus contingit. Nam & recta Pl, ducta ex P, centro Verticalis IIHpp, per punctum II, vbi Horizontem secat, tangit ibi Horizontem, & vicissim recta Bl, ex B, centro Horizontis ad idem punctum intersectionis ducta tangit ibidem dictum Verticalem. Sic etiam recta Ppp, ducta tangeret Horizontem in pp, & ibidem recta Bpp, Verticalem prædictum continget. Rursus rectæ Rkk, Roo, emissæ, Horizontem tangerent in kk, oo, & rectæ Bkk, Boo, vicissim ibidem Verticalem PHSI, tan- gerent.

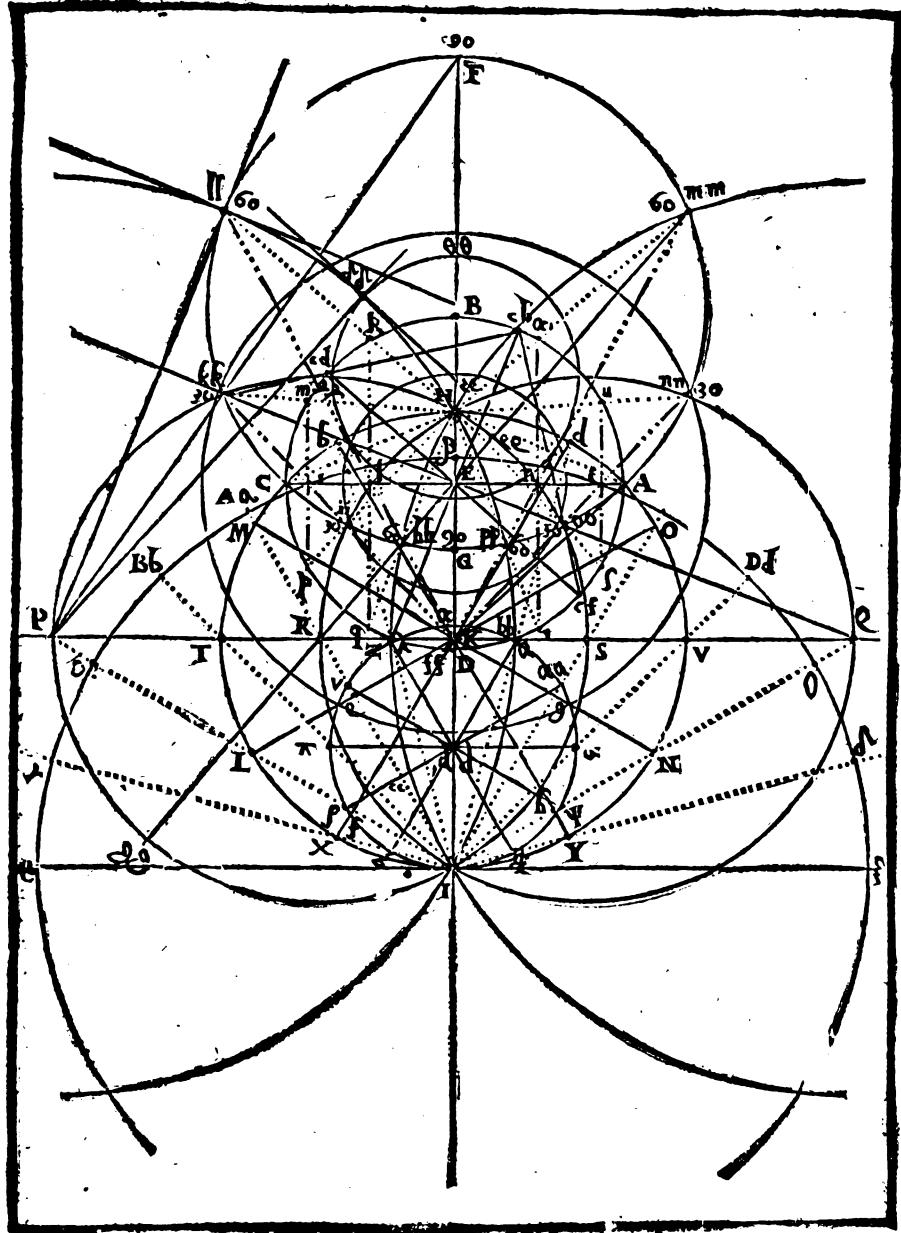
gerent, & sic de cæteris. Præterea recta quælibet ex centro P, Verticalis IIHpp, auferat ad utramque partem puncti contactus II, ex Horizonte arcus æquales, quod ad numerum graduum attinet. Ita vides rectam PkkF, auferat duos arcus IIkk, IIFF, grad. 30. Simili modo recta PC, producta caderet in punctum mm, vt auferret duos arcus IIIC, IIImm, grad. 60. Et recta PG, producta trahatur per oo, vt ex utraque parte puncti contactus pp, absindetur duos arcus ppG, ppo, grad. 30. Atque ita de cæteris.

*R. d. ex centro
Verticalis cuius-
vis ad eius inter-
sectionem cum
qualibet parale-
lo Horizontis du-
ctus, parallelum
Horizontis tange-
re, &c.*

P A R I ratione si ex centro ee, descriptus sit parallelus Horizontis $\delta\delta\gamma\gamma$, quicunque secans Verticales IIHpp, PHSI, in $\delta\delta\gamma\gamma$, tangat recta $\text{P}\delta\delta$, parallelum in $\delta\delta$, recta autem ee $\delta\delta$, Verticalem IIHpp, in eodem punto $\delta\delta$. Item recta $\text{R}\gamma\gamma$, eundem parallelum tangeret in $\gamma\gamma$, at vero recta ee $\gamma\gamma$, Verticalem PHSI, in $\gamma\gamma$, vicissim tangeret. & sic de cæteris. Præterea quælibet recta ex P, centro Verticalis IIHpp, ducta auferat ad utramq; partem puncti contactus $\delta\delta$, ex parallelo Horizontis arcus æquales, quod ad numerum graduum attinet; adeo vt recta $\text{P}\gamma\gamma$, producta caderet in $\theta\theta$, cum qualibet arcum $\delta\delta\gamma\gamma$, $\delta\theta\theta$, grad. 30, complectatur. Et sic de cæteris. Itaque si inuenitum sit B, centrum Horizontis in Astrolabio descripti, & ab eo educta quævis recta Bll, ad circumferentiam usque, cadet II P, ad Bll, perpendicularis, in P, centrum Verticalis per II, describenli: propterea quod Bll, cum Verticalem in II, tangit, vt dictum est. Vicissim si ex P, centro descriptus sit Verticalis IIH, secans Horizontem in II, & ad ducta rectam PII, excitetur perpendicularis II B, cadet hæc in B, centrum Horizontis: quod & PII, in II, Horizontem tangat. Rursus si ex P, centro Verticalis IIH, ad $\delta\delta$, ubi is Verticalis parallelum Horizontis fecat, recta ducatur tangens, vt dictum est, parallelum in $\delta\delta$, cadet $\delta\delta\text{ee}$, ad $\text{P}\delta\delta$, perpendicularis, in ee, centrum paralleli. Et e contrario, si ex ee, centro paralleli ad $\delta\delta$, ubi Verticalis IIH, parallelum fecat, recta emittatur, cadet $\delta\delta\text{P}$, ad ee $\delta\delta$, perpendicularis, in P, centrum dicti Verticalis. Idemque de omnibus aliis Verticalibus, parallelisque, & eorum in centrī dicendum est.

H A E C autem omnia ita demonstrabimus. Conciplatur parallelus $\pi\pi\text{I}\text{I}$, Horizontis per polum australē I, ductus proprium habere situm in sphera, ita ut existente circulo ABCD, qui nunc pro Meridiano Horizontis sumatur, ipsi plano Astrolabii ad angulos rectos, punctum I, cum polo australi A, congruat. Et quia in tali situ recta paa , communis sectio est dicti parallelī $\pi\pi\text{I}\text{I}$, & Verticalis circuli 30. gradibus ab ortu in austrum à primario Verticali deflectentis, quem in Astrolabio circulus PHSI, refert; (quæ res facile intelligetur, si polus australis a tergo Astrolabii cogitetur esse collatus, vt supra Num. 1. huius propos. diximus.) circulus autem maximus per polos mundi, & polos dicti Verticalis ductus, qui nimirum ad eum instar proprii Meridiani, rectus sit, per rectam IccR, ducitur, facitque in Astrolabio sectionem gg ee, & communis sectio eiusdem circuli maximi, & dicti Verticalis per punctum cc, transit, ita vt Icc, ex polo australi I, in eo situ educta ad eam communem sectionem, hoc est, ad veram diametrum dicti Verticalis sit perpendicularis, cadatque in R, centrum eiusdem Verticalis in Astrolabio, quæ omnia paulo ante Num. 7. demonstrata sunt: sit, vt planum per rectam IccR, in eodem illo situ ductum, & circa eandem rectam circumvolutum rectum semper sit ad prædictum Verticalem, efficiatque in Horizonte communes sectiones inter se parallelas, quæ æquales arcus hinc inde à communi sectione Horizontis cum eodem Verticali absindant, vt in Lemmate 25. demonstratum est, nisi quando plauum illud per rectam IccR, ductum ad extremitates communis sectionis Horizontis cum dicto Vertiali

b 18. under.



M m m

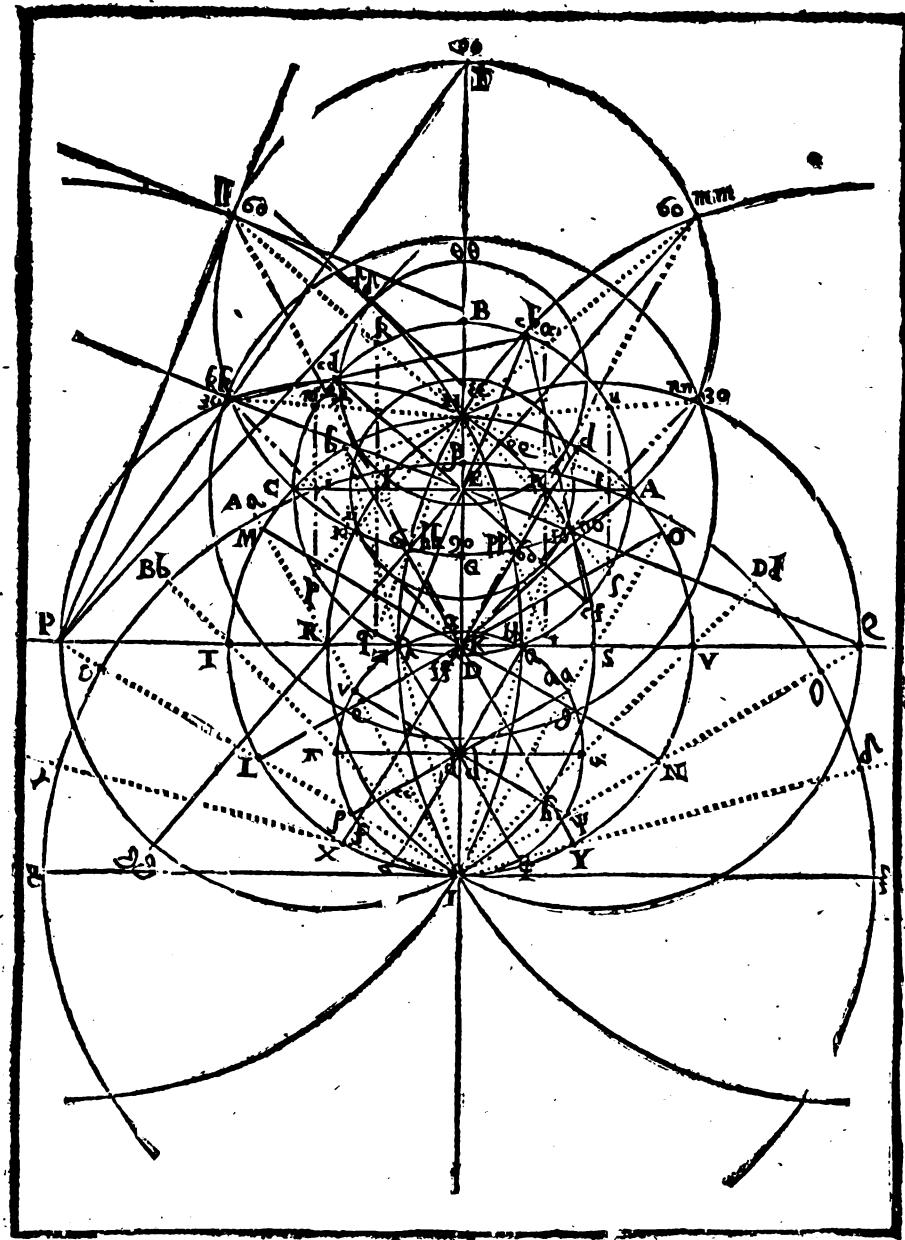
cali peruenierit. Tunc enim cessat omnis sectio, & planum ipsum in his extremitatibus utrumque circulum, hoc est, tam Horizontem, quam dictum Verticalis continget; non secus ac de plano per rectam IK, vel AK, ducto supra dictum est propos. 5. Num. 24. & 28. Quare cum planum illud in Astrolabii plano faciat rectas per R, centrum transentes, ex propos. 1. Num. 1. repræsetabunt rectæ ex R, eductæ planum illud circumvolutum, secabuntque Horizontem in istud punctis, in quibus ab eo plano seccatur; ac proinde ex utraque parte Verticalis kkHoo, æquales arcus ex Horizonte absident, eundemque in punctis kk, oo, contingent, ut etiam propos. 5. Num. 28. diximus. Quamuis autem planum prædictum circa rectam IR, circumductum diuidat communem sectionem Horizontis, & dicti Verticalis in sphæra, in punctis, per quæ ducuntur rectæ ex singulis gradibus Horizontis ad eam sectionem perpendiculares, non tamen propterea in Astrolabio corundem circulorum communis sectio visa kkoo, similiter diuidi potest, cum hæc ab illa in sphæra differat, eidemque non sit parallela: Quod idcirco dixerim, ne putas, Horizontem in gradus posse distribui per rectas ex centro R, per puncta rectæ ductæ kk o o, diuisæ ea ratione, quam in Lemmate 8. tradidimus, emissis.

*Puncta repetitæ
in communis fe-
tione cuiusvis s-
Verticalis à Ho-
rizonte, per quæ
si rectæ cecantur
ex centro illius
Verticalis, Hor-
zon in gradus di-
stribuitur.*

• 15.1. Tho.

14. QVOD si puncta rectæ kkoo, inuenire quis cupiat, per quæ rectæ ex centro R, eductæ Horizontem in gradus distribuant, initio facta a punctis contactuum kk, oo, producenda erit recta kkoo, per centrum E, quæ communis sectio erit plani Astrolabii, Aequatorisue, & circuli maximi per polos mundi, & communes sectiones Horizontis, & prædicti Verticalis ducti, & qui rectus est ad Verticalis hhHm, per polos Verticalis dicti kkHoo, ductum; cum & ipse circulus per kkoo, ductus transeat per kk, & oo, polos Verticalis hhHm. Nam cum hic transeat per polos illius, transibit ille vicissim per huius polos, ex scholio propos. 15. lib. 1. Theod. qui quidem omnes sunt in Horizonte. Deinde ad kk o o, excitanda per E, centrum perpendicularis cbZ, quæ axem mundi referet, si circulus ABCD, pro circulo illo maximo sumatur, qui per polos mundi ductus sectionem in plano Aequatoris facit rectam kk oo. Postremo si ex polo cb, per puncta extrema kk, oo, diametri Verticalis visa radii ducantur, secabitur circulus ABCD, in punctis cd, cf, per quæ vera diameter Horizontis (quæ videlicet communis sectio est ipsius, & prædicti Verticalis kkHoo, in sphæra)ducenda est cdef, & quæ ita diuiditur à plano illo per rectam IR, ducto, & per singulos gradus Horizontis circumvoluto, ut diuisa est linea in Lemmate 8. Quapropter si diameter hæc cdef, ea ratione diuidatur, & per puncta diuisionum ex polo cb, rectæ emituntur, secabitur diameter visa kkoo, in punctis, per quæ si rectæ traiciantur ex centro R, Horizon in gradus distribuetur. Huius diuisionis exemplum nullum attulimus, ne nimis magna confusio punctorum, & linearum in figura oriatur, præsertim vero, quia & longior est, & nullus fere eius usus existit, nisi quis eam adhibere velit, ut experiatur, num cum prioribus diuisionibus consentiat, necne.

15. Eadem prorsus ratione planum illud per rectam IR, ductum, & circumvolutum secabit parallelos Horizontis in gradus, cosque tanget in punctis, vbi Verticalis dictus eosdem fecerat, idemque prorsus efficien rectæ ex centro R, emissæ, quippe quæ planum illud circumductum repræsentent, ut dictum est: Sed hic difficulter est inuentio punctorum in diametro visa cuiusque parallelorum Horizontis, per quæ rectæ ex centro R, ducendæ sunt, ut ipse parallelus in gradus



M m m 2

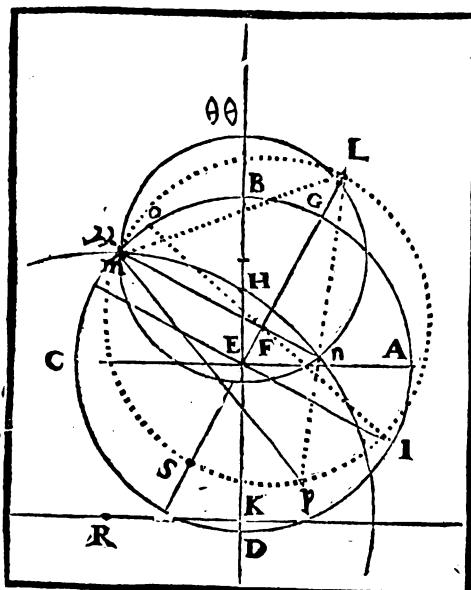
Puta reperire in
communi sectione
cuius axis Verticalis
est & cum qualibet
parallelis Horizontis per qua
rectas ducantur
ex centro illius
Verticalis, parallelis in gradus
distribuantur.
Cis. i. The.

b. 19. unde.

gradus distribuantur: que tamen (si quis forte eo modo parallelos Horizontis di
videre desideret, vt videlicet experimeto etiam discat, quam cōcinnē cum super
ioribus congruat.) sic institetur. Ex centro E, ad $\gamma\gamma_n$, diametrum visam par
alleli $\gamma\gamma_n$, hoc est, ad communē sectionem parallelī dicti, & Verticalis $\gamma\gamma_n$,
in Astrolabio siue productam, siue non productam, ducatur diameter perpendicularis EFG, (vt in apposita figura appetat) quæ circulum maximum referet du
ctum per polos mundi, ac per polos circuli non maximi, qui per polum australe
m, & diametrum veram dati parallelī, quæ est communis sectio Verticalis pro
positi, & parallelī Horizontis in sphera, ducitur, ac proinde in Astrolabio se
ctionem $\gamma\gamma_n$, efficit. Nam cum circulus ille maximus ad hunc non maximum,
& ad Aequatorem rectus sit, erunt vicissim hi duo ad illum maximum recti.
Igitur & communis eorum sectio $\gamma\gamma_n$, ad eundem perpendicularis erit; Ideo
que & ad communem sectionem eiudem cum Aequatore, siue cum Astrolabii
plano perpendicularis erit, ex defin. 3. lib. 11. Eucl. ac proinde recta EF, ad $\gamma\gamma_n$,

perpendicularis, erit com
munis sectio plani Astrola
bii, & dicti circuli maximi.
Deinde ad EG, exciteur
diameter perpendicularis
EI, quæ axem mundi re
feret, si circulus ABCD,
intelligatur esse rectus ad
planum Astrolabii, vel Ae
quatoris, & I, polus erit au
stralisch: ex quo si per F, tra
niciatur rectaIFO, erit ea
diameter circuli illius non
maximi per polum australe
m, & diametrum veram
parallelī dati in sphera du
cti, facientisque in Astrola
bio diametrū visam $\gamma\gamma_n$,
eiudem parallelī, cum ille
circulus occurrat piano
Astrolabii in F. Hinc enim
sit, vt cum circulus ille se
cetur bifariam à circulo
maximo per eius polos du
cto, & faciente sectionem
in Astrolabio EFG, recta

Cis. s. The.



IF, in illo circulo maximo existens transeat per eius centrum, propterea quod
maximum ille eum secat per rectam IF; ac propterea tota IFO, sit eiudem
diameter. Post hanc sumpta in EG, producta, recta EL, ipsi FI, æquali, absinda
tur LS, diametro inuentæ IO, æqualis, & circa eam circulus LmSp, describatur,
qui erit ille non maximum per polum australem ductus, & per communem se
ctionem Verticalis, & parallelī propositi in sphera, vt constat, si concipiatur circa
 $\gamma\gamma_n$, deorsum moueri versus austrum, (manente Aequatore ABCD, in proprio
itu, ita vt superficies, in qua descriptus est, in boream vergat, & A, ad occidens,
& C, ad orientis spectet.) donec L, cum polo australi coniungatur. Tunc enim cir
culus

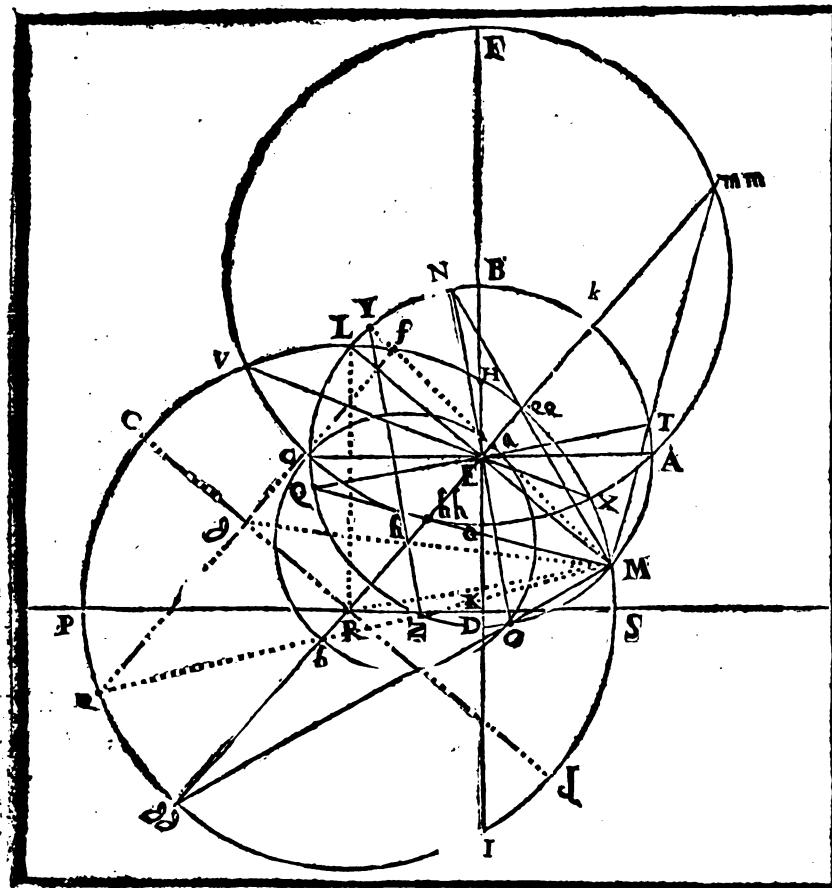
circulus dictus per polum australem transibit, rectusque erit ad maximum circulum per polos mundi, & per eius polos ductum, facientemq; sectionem GE; cum ducatur per $\gamma\gamma n$, quam perpendicularē ostendimus ad circulum maximum per EG, ductum. Cum ergo habeat diametrum suam propriam LS, liquet, eum esse illum circulum, quem diximus. Ut ergo in hoc circulo inueniamus diametrum veram, parallelī dati, hoc est, communem sectionem eius cum dato parallelo, & Verticali, ducendi sunt radii L $\gamma\gamma$, Ln, secantes circulum dictum in m, p. Nam recta mp, erit ea diameter, cum radii per eius extrema ducti exhibeant diametrum visam $\gamma\gamma n$. Hęc igitur diameter mp, à plano supradicto per polum australē L, ductum diuiditur, vt in Lemmate 8. dictum est. Quare si eo modo diuidatur, & per sectionum puncta ex L, polo australi recte egrediantur, secabitur diameter visa $\gamma\gamma n$, in punctis, per quae recte ex centro R, emissā secabunt parallelū $\theta\theta\gamma\gamma$, in gradus, cum repräsentent planum illud per singulos gradus eius parallelī in sphera circumductum. Porro diameter invenia mp, si erratum non est, aequalis esse debet diameter ST, eiusdem parallelī in figura prima propos. 6. si tamen Aequator illius figuræ Aequatori huius figuræ ABCD, aequalis sit. Eademque ratio est de aliis parallelīt.

Q V O D autem dictum est de Verticali PHSI, & de rectis ex eius centro R, eductis, intelligendum quoque est de aliis Verticalibus, ac rectis ex eorum centris egredientibus: Immo idem facile ad alios etiam circulos maximos transferri poterit, nimirum ad Eclipticam, & circulos maximos, qui per eius polos ducuntur, &c. Nam ibi etiam recte ex centro cuiusque circuli maximi per polos Eclipticæ ducti emissæ tangent Eclipticam, eiisque parallelū quemcumque in punctis, in quibus à dicto circulo maximo secantur, &c.

16. Q V I A vero quilibet circulus maximus in Astrolabio descriptus diuidere debet Aequatore in duos semicirculos aequales, vt in scholio prop. 4. Nam 6. ostēsum est, demonstrandum est, hoc idē facere circulos Verticales, hoc loco in Astrolabio descriptos, adeo vt linea recta cōiungēt duas intersectiones cuiusq; Verticalis cū Aequatore sit diameter Aequatoris, ac pinde Verticalis ipse per duo puncta Aequatoris per diametrū opposita incedat. Sit igitur exēpli causa, ex priore figura huius prop. descriptus scorsū Verticalis PHSI, grad. 30. deflectens à Verticali primario ab ortu in austrū, cuius centrū R, in linea recta PS, quae ex K, centro primaria Verticalis ad meridianā linéa BD, perpendicularis ducitur; Aequator ABCD; Horizon AFCG, eiusq; poli H, L. Dicatur per R, centrū Verticalis dati, & E, centrū Astrolabii recta ggmm, secans Verticalē in ee, quae cōmuni sectio est plani Aequatoris, sive Astrolabii, & circuli maxi, i ducti per polos mundi, & polos dicti Verticalis, vt in scholio propos. 3. Num. 4. ostēndimus; & ad eam excitetur ad angulos rectos diameter Aequatoris LM. Dico Verticalē PHSI, transire per puncta L, M. Quoniā enim, si circulus ABCD, in recta ggée, rectus statuatur ad planum Aequatoris, vel Astrolabij, ac proinde in eo situ per polos Aequatoris, sive mundi ducatur; recta LM, axis mundi est, cum perpendicularis sit ad rectam ggee, in plāno Aequatoris, Astrolabiiue existentem, vt ratio postulat. (Cum enim axis rectus sit ad Aequatorem, transcatque per centrum sphærae E, erit idem ad rectam ggee, perpendicularis, ex defn. 3. lib. 11. Eucl.) sit, vt radii ex polo M, per ee, gg, extremitates diametri visa emissi cadat in N, O, extremitates vero diametri Verticalis prædicti, adeo vt recta NO, per E, centrum transeat, cum diameter sit maximi circuli, quem in Astrolabio refert circulus PHSI. Si enim alla recta præter NO, diceretur esse diameter prædicti Verticalis, cuius diameter visa est egg, abscederent radii ex polo M. Verticalē quæ sit
bet, aut quæcumque
aliam circulum
maximum secant
re Aequatorem
in Astrolabio in
duobus punctis
per diametrū eg
petur.

emitti per illius diametri extrema puncta , aliam diametrum visam ex recta gg mm. quod est absurdum. Eademque ratione diametrum veram cuiusvis circu li sive maximi, sive non maximi, in Astrolabio descripti reperiemus , si pet eius centrum, & centrum Astrolabij rectam ducamus , & ad eam in centro Astrolabii perpendicularem excitemus. Nam radii cadentes ex alterutro extremorū huius perpendicularis per extrema diametri visae dati circuli,(quam ipse circu

Diametrum verā
cuiusvis circuli
in Astrolabio de-
scripti, sive maxi-
mi, sive non maxi-
mi, invenire.



Ius ex recta per utrumque centrum ducta abscindit. transeunt in circulo ABCD, per extremitates diametri veræ, ut factum est in Verticali PHSI , exemplumque aliud habes in circulo aCbO, non maximo. Si enim per eius centrum h, & centrum E. Astrolabij, rectam eductam hE, diameter Aequatoris LM, ad rectos an-
gulos fecerit, & ex M,(quod pro polo australi sumatur) per a,b, extrema diametri
visae

Vix a b, radii emittantur, secabitur Aequator in Y, Z. Recta ergo YZ, erit vera diameter circuli non maximi aCbO. Eademque est in ceteris ratio. Cogitetur iam circulus ABCD, cum suis lineis iterum facere in plano Astrolabii; eritq; a 3. serg. angulus NMO, in semicirculo, hoc est, angulus ee M gg, rectus. Igitur circulus circa diametrum ee gg, descriptus, per punctum M, transbit, ex scholio propos. 3. lib. 3. Eucl. Ducatur ex L, M, ad centrum R, rectae LR, MR. Et quoniam duo latera ER, EM, duobus lateribus ER, EL, aequalia sunt, angulosque continent aequales, utpote rectos; erunt quoque bases RM, RL, aequales. Cum ergo RM, sit semidiameter Verticalis, cum ostensum sit, cum transire per M; erit etiam RL, semidiameter eiusdem, ac proinde idem Verticalis per L, incedet. Transit igitur Verticalis PHSI, per puncta L, M, ac proinde Aequatorem in eisdem duabus punctis per diametrum oppositis diuidit. quod est propositum. Idemque de omnibus aliis Verticalibus, immo de quocunque circulo maximo descripto in Astrolabio, demonstrabitur: id quod etiam in scholio propos. 5. Num. 3. monutus. Et quoniam maximi circuli in sphera se mutuo secant bifariam, contingit idem in circulis Astrolabii circulos maximos representantibus, ac propterea arcus L e M, Lgg M, semicirculos proposti Verticalis referent, in quos nimur ab Aequatore diuiditur.

17. ET T quoniam poli cuiusvis circuli maximi quadrante ab eo absunt, ex coroll. propos. 16. lib. 1. Theod si circulus ABCD, intelligatur in sphera rectus ad Verticalem, quem circulus PHSI, representat; ac proinde per eius polos transeat; puncta Q, T, diuidentia semicirculos NQO, NTO, (quos vera diameter NO, Num. 16. inuenta abscindit.) bifariam in binos quadrantes, poli erunt eiusdem Verticalis, apparebuntque in Astrolabio per radios MQ, MT, in punctis hh, mm, quae puncta in Horizonte existent. Cum enim quilibet Verticalis per polos Horizonis transeat, transbit vicissim Horizontem per illius polos, ex scholio propos. 15. lib. 1. Theod. ac proinde poli hh, mm, in Horizonte existent, & in eisdem Horizontem intersecabit Verticalis ZHmm, gradibus 90. à Verticali PSHI, distans, vel grad. 60. a primario Verticali in boream, ab ortu recessens, ut in prima figura huius propos. apparet.

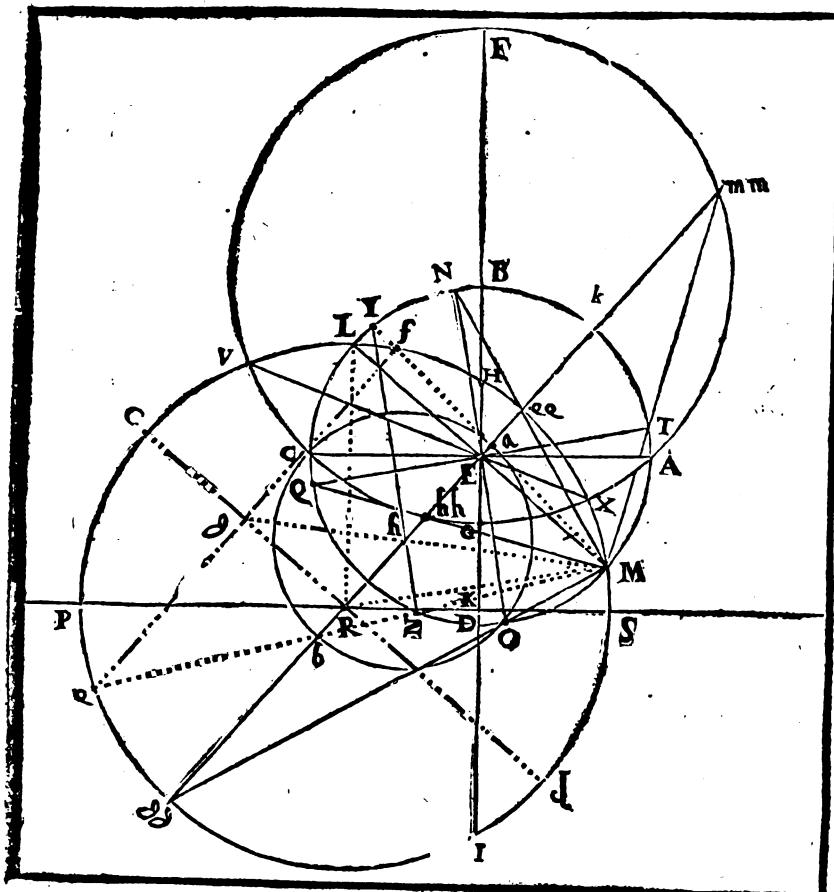
NON aliter polos cuiusvis alterius Verticalis, vel cuiuslibet circuli maximi in Astrolabio descripti, vel non maximi, inuenientur, si segmenti Aequatoris, quae a vera diametro circuli inuenta, ut Num. 16. docuimus, absinduntur, secamus bifariam. Hec namque puncta sectionum, veri poli erunt dati circulis, ad quos si ex polo australi, ex quo inuenta sunt diameter vera, radii emittantur, secabitur recta per centrū circuli, & centrū Astrolabii educta, in polis eiusdem circuli apparentibus: Ut factū est in Verticali PHSI, exemplumque aliud habes in circulo aCbO, non maximo. Nam puncta Q, T, diuidentia arcus YQZ, YTZ, à vera diametro YZ, Num. 16. inuenta abscisios bifariam, erunt poli veri, radii autem MQ, MT, polos apparentes, seu visos hh, mm, indicabunt in recta h E, per centrum h, ipsius circuli non maximi, & per E, centrum Astrolabii extensa. Eademque ratio est in omnibus aliis circulis tam maximis, quam non maximis.

QVOD si alter polarum duntaxat desideretur, verbi gratia, superior, qui nimur intra Aequatorem cadit, (qui plerumque solus requiritur in vsu Astrolabii) inuenietur is nullo fere negotio in maximo circulo, etiam si neque totus circulus descriptus sit, neque eius diameter vera inuenta, hoc modo. Sit datus taptum arcus HS, secans Aequatorem in M. (Nam si non fecerit, producendus erit, donec eum fecerit. Ducatur ex eius centro R, per E, centrum Astrolabii recta RE,

Polos eiusque Verticalis, vel alterius circuli non maximi, sine non maximi, in Astrolabio descripti, inuenientur.

Polos eiusque circuli maximi, eiari, si non fecerit, etiam descriptus in Astrolabio reperi te.

ta RE, secans arcum datum in ee : (quod si non fecet, producendus erit, donec
fecet.) & per ee, ex M, punto, vbi datus arcus Aequatorum secat, aut in quo
cadit diameter Aequatoris LM, ad R ee, perpendicularis, ducta recta M ee , se-
cante Aequatorum in N, sumatur arcus NQ, quadranti Aequatoris AB , æqua-
lis, ita ut recta ducta MQ, rectam R ee, intra Aequatorum secet in hh. Nam hoc
punctum sectionis hh, polus erit dati circuli maximi. Quoniam enim recta R ee,



communis sectio est plani Astrolabii, & circuli maximi per mundi polos, &
dati circuli polos ducti, vt propos. 3. Num 4. ostendimus, sumi poterit M, pro polo
australi, si circulus ABCD, rectus intelligatur ad planum Astrolabii, Aequato-
ris, ac proinde radius M ee, in N, extrellum verâ diametri cadet. Cum ergo
polus ab ea absit quadrante circuli, erit Q, polus, &c. Si sumatur quadrans NT.
ex altera

ex altera parte, dabit radius MT, polum alterum mm, inferiorem scilicet, qui extra Aequatorem cadit.

18. P R A E T E R A * cum omnes circuli maximi in sph α era se mutuo a u.t. Theo.
bisariam secant, necesse est, idem contingere in Astrolabio: adeo ut, duobus cir-
culis in Astrolabio, qui maximos circulos repräsentent, se mutuo secantibus,
recta linea eorum intersectiones coniungens, diametrum eorum communem re-
ferat, transcatque propterea per centrum Astrolabii, cum omnes diametri cir-
culorum maximorum per centrum sph α eræ, quod à centro Astrolabil, ut propos.
1. Num. 4. ostensum est, non differt, transcant. Ita vides in superiori proxima fi-
gura duos circulos maximos AFCG, PHSI, se mutuo secare per rectam VX, per
centrum Astrolabii E, trajectam. Quod omnino necessarium esse, ita Geometri-
ce demonstrabimus. Quoniam vterque circulus maximus est, secabit vterque
Aequatorem bisariam in binis punctis per diametrum oppositis, ut paulo ante
in hac eadem propos. Num. 16. & in scholio propos. 5. Num. 6. ostendimus, tran-
sibitq. propterea vtraq. recta AC, LM, coniungens eorum cum Aequatore in-
tersectiones, per E, centrum Astrolabii. Dico igitur rectam quoque VX, quæ eo-
rum intersectiones connectit, per idem centrum E, transire, hoc est, rectam
VE, productam cadere in alteram intersectionem X. Secet enim recta
VE, producta alterum eorum, v.g. circulum AFCG, in X. Dico alterum circu-
lum PHSI, per idem punctum X, transire, ideoque ibidec^a ambos se mutuo inter-
secate, hoc est, rectam VE, productam in intersectionem communem X, cadere.
Nam cum rectæ VX, AC, in circulo AFCG, se intersectent in E; ^b erit rectangu-
lum sub VE, EX, rectangulo sub AE, EC, æquale; sed huic posteriori, tandem
ob causam, æquale est rectangulum sub LE, EM, quod rectæ AC, LM, in circulo
ABCD, se quoque intersectent in E. Igitur & rectangulum sub VE, EX, rectan-
gulo sub LE, EM, æquale erit, ac proinde ex scholio propos. 35, lib. 3. Eucl. cir-
culus PHSI, per tria pūcta V, L, M, descriptus, trāsibit necessario per quartū pūctū
X; ideoque punctum X, in vitroque circulo AFCG, PHSI, existet. Recta ergo
VE, producta in X, communem illorum circulorum intersectionem dedit quod
erat demonstrandum.

19. P O R R O vt videas, quo pacto cuiuslibet circuli maximi obliqui in Astrolabio descripti, parallellos describantur, vt propos 6. Num. 20. monuimus, non abs re erit, id vno aliquo exemplo declarare. Sit ergo describendus, parallelus cuiuscunque circuli maximi obliqui, verbi gratia, Verticalis PHSI, qui grad. 30. ab eo recedat versus polum hh. Et quia quatuor viii id fieri potest prima via ita agemus. Invenia diametro vera NO, circuli obliqui maximi PHSI, vt Num. 16. traditum est, numerabimus ab ea versus Q, ex viro quo extre^mo gradii 30. vsque ad Y, Z, vt duci possit diameter parallelus YZ. Nam si ex M, polo australi, radil dicuntur per Y, Z, abscindetur visa diameter paralleli a b, qua diuisa bifariam in h, describetur ex h, per a, b, parallelus propositus, vt in figura proxima appareret.

ALTERA via sic rem expediemus. Ducta diametro circuli maximi oblique ad rectas ee, gg, perpendiculari, numerabimus à punctis ee, gg, gr. 30. vsq. ad f, e, & rectâ f, ducemus secantem cd, in g. Nâ radij M e, Mf, abicident eamdem diametrum visam a b, recta autem Mg, centrum h, exhibebit, &c.

TER TIA via idem parallelus describetur, si ex polo australi M, circulus cuiusvis magnitudinis describatur, & reliqua sunt, quæ propos. 6. Num. 8. præcepimus.

Q V A R T A via eundem dclineabimus, si prius per polos hh., mm., circuit
N n n maximis

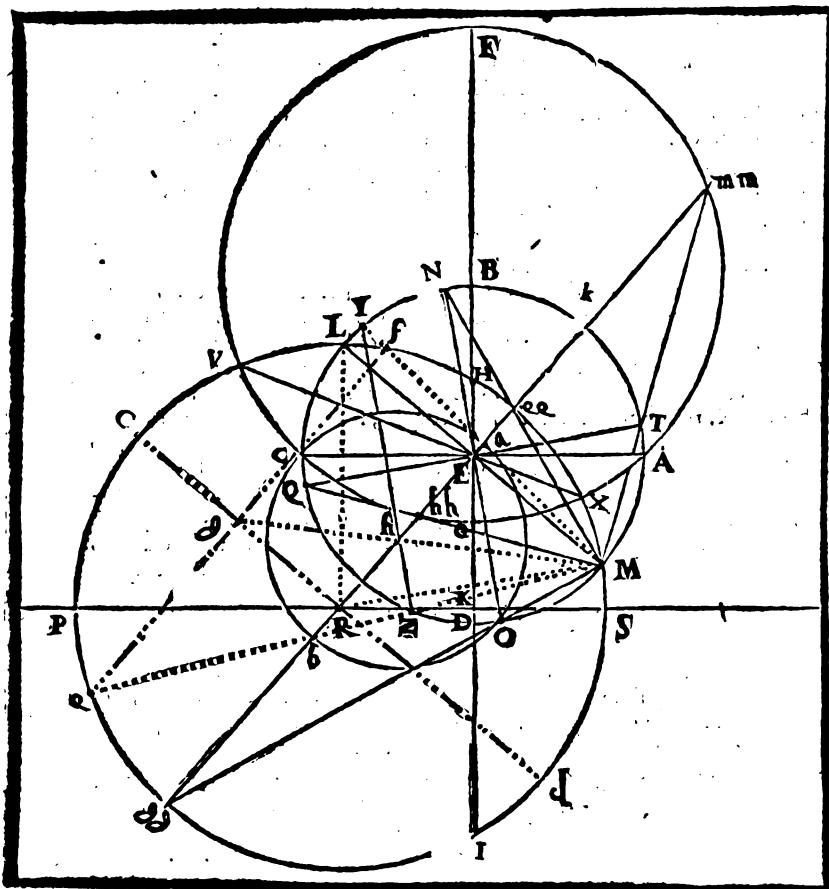
11
12

Resum, que in-
t. sectiones, quo
sumibet exordi
circulus cum maxi
morum in Altero
labo coniungit
per centrum A-
breabilis transfix.

b 35.8crfg.

Panniculus crinitus.
libet Verticalis,
aut alterius circuli
maximi obliqui,
in Astro nubio de-
scribere.

maximi obliqui, circa diametrum hh mō, circulus maximus describatur, qui in stat erit Verticalis primariae dati circuli obliqui. Nam si in eius quadrante inter hh, & L, intercepto sumatur gradus 30. à puncto hh, incipiendo, ut propos. 5. Num 18. docuimus, & per eum gradum lineam, quæ illum circulum tangat, ducamus, cadet ea in h, centrum paralleli, &c.



Centrum Astro-
labij, centrum cir-
culi obliqui ma-
ximi, et quinque pa-
rallelorum cen-
tra, & vnde po-
los, in una recta
linea existere in
Astrolabio.

OBITER quoque animaduertendum est, omnia hæc puncta, centrum
Astrolabij, vel mundi; centrum circuli obliqui maximi cuiusvis, vel etiam eius
parallelis cuiuslibet; & duos eiusdem polos, in una eademque recta linea exis-
tere: adeo ut recta per duo eiusmodi puncta cincta transeat omnino per reliqua
duo puncta. Ita vides in proxima figura in recta gg mm, existere E, centrū Astro-
labii; R, centrum Verticalis PHM; h, centrum parallelis a CbO, eiusdem Verti-
calis;

ficalis; & duos eiusdem polos hh, mm. Ratio est, quia recta per centrum Astrabili, aut centrum circuli obliqui ducta, representat communem sectionem plani Astrolabii, Aequatoris, & circuli maximi, qui per polos mundi, & polos descripti circuli obliqui, instar proprij Meridiani, ducitur, ut in scholio propos. 3. Num. 4. ostendimus.

20. PARALLELI autem cuiuslibet circuli maximi obliqui, quorum diametri visa intra ipsum circulum obliquum continentur in eius diametro visa ee gg, spectat ad boream, propter polū borealem E, qui intra summa circulum existit. Hinc enim sit, ut tota haec facies circuit obliqui, borealis dicatur: Paralleli autem extra circulum maximum obliquum descripti, ad austrum pertinent, ob contrariam causam. Ex quo rursus efficitur, diametros parallelorum in semicirculo NQQ, spectare ad parallellos boreales, in semicirculo autem NTO, ad australes; quia illæ proiiciuntur in diametrum visam ee gg, ita ut singulari partes sint diametri ee gg, & ipsi parallelis intra circulum maximum obliquum describatur; haec vero vel proiiciuntur in diametros maiores, quam ee gg; ita ut earum circuli descripti circulum obliquum ambiant, quales sunt diametri parallelorum, quorum distantia à diametro NO, minor est arcu OM; vel in diametros, quæ tota extra circulum obliquum in recta ee gg, producta versus austrum ad partes mm, reperiuntur, cuiusmodi sunt diametri parallelorum, quæcum distantia à diametro NO, maior est arcu OM,

21. E CONTRARIO si parallelus aliquis circuli obliqui in Astrolabio descriptus sit, facili negotio cognoscemus, quanto interuerso ab ipso circulo maximo in sphæra vel versus boream, vel austrum versus absit. Sit enim descriptus parallelus a CbO, circuli obliqui PHSI, ex centro h. Per h, & centrum Astrolabii E, traiecta recta h E, excitetur ad eam perpendicularis diameter Aequatoris LM, quæ axem mundanum referet, ut supra Num. 16. dictum est. Deinde ex M, polo australi per a, b, extrema puncta diametri visa paralleli recte emittantur Ma, Mb, secantes Aequatorem in Y, Z. Nam recta YZ, (qua omnino parallela erit ipsi NO, si erratum non sit,) erit diameter dati parallelis in sphæra, eiusque distantiam à diametro NO, circuli maximi, arcus NY, OZ, metietur, vel versus boream, vel austrum versus, prout arcus dicti versus Q, vel T, respecti fuerint.

22. AMPLIVS ducta recta RE, per centrum circuli maximi obliqui in Astrolabio descripti, & per centrum Astrolabii, si ad eam erigatur diameter Aequatoris ad angulos rectos LM, ac per radios M ee, M gg, reperiatur diameter vera NO, circuli dati obliqui in sphæra; erit OM, vel NL, arcus altitudinis poli supra eundem circulum maximum obliquum. Nam si circulus ABCD, Aumatur pro circulo Analemmatis per polos mundi, & polos circuit obliqui per circulum PHSI, representanti ducto, poli mundi sunt L, & M, ut Num. 16. dictum est, & NO, communis sectio eiusdem circuli obliqui, & circuli Analemmatis ABCD, ut ibidem ostendimus. Inclinatio autem eiusdem circuli obliqui ad Aequatorem erit arcus Nk, pimirum complementum altitudinis poli LN; et cum complementum altitudinis poli supra quemcumque circulum maximum, sit inclinatio eiusdem ad Aequatorem, ut constat.

SED breuius & altitudinem poli supra quemlibet maximum circulum obliquum, & eius inclinationem ad Aequatorem investigabimus, etiam si vera eius diameter inuenta non sit, hoc modo. Ducta per eius centrum, & centrum Astrolabii, recta RE, & ad eam in centro E, excitata perpendicularis LM, ducemus per ee, intersectionem dati circuli cum recta RE, rectam M ee, secantem Aequa-

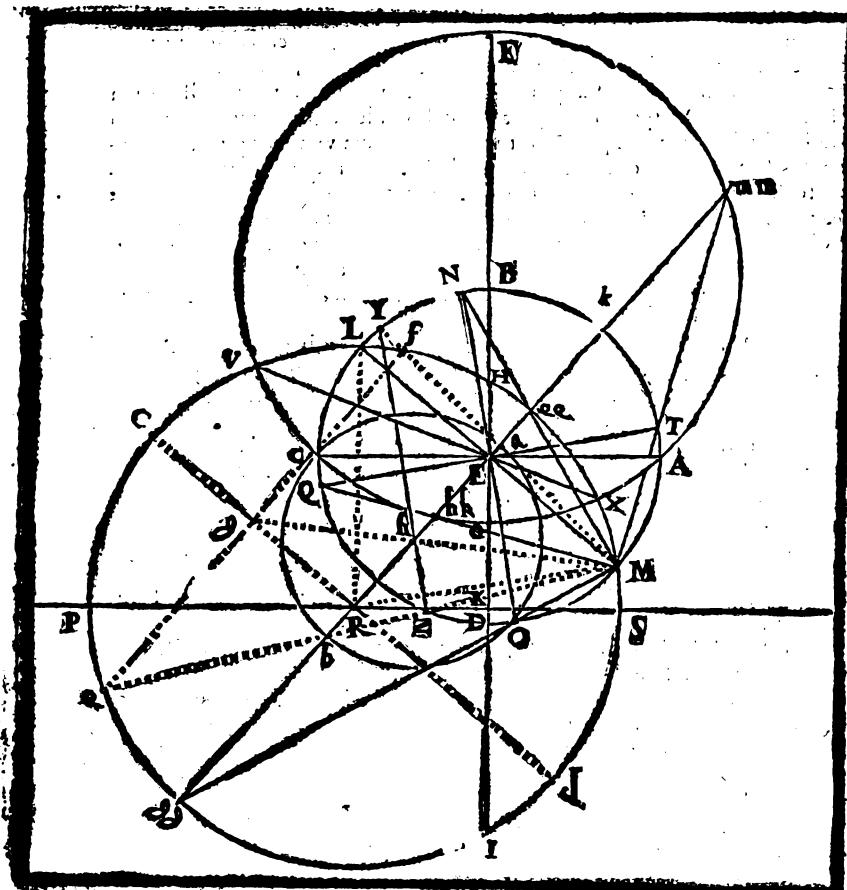
Parallelos cuiusvis circuli maximi obliqui boreales ad australes libenter teccuntur.

Parallelos cuiusvis circuli maximi obliqui in Astrolabio descriptos, quantum ab ipso maximo circulo distet, & quam in partem vergat, cognoscere.

Altitudinem poli supra circulum maximum obliquum, eiusdem circuli inclinacionis ad Aequatorem explorare.

Facilius inuenit altitudinis poli supra dicti circulum maximum in Astrolabio, eiusdemque inclinacionis ad Aequatorem.

storem in N. Arcus enim Nk, inter punctum hoc N, & intersectionem recte RB cum Aequatore, erit inclinatio dati circuli ad Aequatorem, cum ei respondent portio ee k, ut propos. 1. Num. 5. ostendimus; quæ quidem arcum circuli maximi refert, quæ per polos mundi, & polos dati circuli ducitur, & quæ recta gg mm, exprimit: Constat autem, arcum huius circuli maximi inter Aequatorem, & datum circulum, interiectum, nimirum ee k, inclinatione dati circuli ad Aequa-



torem metiri. Ex quo sit, & arcum Nk, qui æqualis est arcui ee k, eandem inclinationem metiri. Altitudo autem poli supra eundem circulum datum, erit arcus NL, complementum arcus Nk. Atque hac eadum ratione altitudinem poli supra quemcumque circulum maximum obliquum in Astrolabio descriptum, eiusdemque inclinationem ad Aequatorem reperiemus,

23. PO.

S 3. POSTREM O, dato quouis circulo maximo tam ad Aequatorem, quam ad Meridianum obliquo, siue is Verticalium aliquis sit, siue non, describemus ex eo Aequatorem Astrolabii, si tamen altitudo poli supra ipsum, vel inclinatio eius ad Aequatorem cognita fuerit, hoc modo. Sit datus circulus maximus quicunque obliquus Lee M gg, cuius centrum R. per quod ducta sit recta que diameter gg ee. Si igitus ex ee, in utramque partem numeretur altitudine poli supra dictum circulum, siue complementum inclinationis ipsius ad Aequatorem, usque ad L, M, iungaturque recta LM, quae in E, bisfaciam secabitur, ex scholio prop. 27. lib. 3. Eucl. eritque diameter Aequatoris questi, adeo ut circulus ABCD, ex E, circa LM, descriptus, sit Aequator in Astrolabio, si datus circulus Lee M gg, ponatur aliquis circulorum maximorum obliquorum. Demonstratio facilis est. Quoniam enim ducta recta M ee N, arcus ee L, & NL, per Lemma 10. similes sunt; metietur quoque arcus NL, altitudinem poli supra datum circulum; ideoque eius complementum N k, inclinationem eiusdem ad Aequatorem metietur. Cum ergo, posito Aequatore ABCD, arcus NL, altitudinem poli supra datum circulum Lee M gg, & arcus N k, inclinationem eiusdem ad Aequatorem metiat, ut Num. 22. demonstratum est, liquido constat, recte inueniuntur esse Aequatorem ex data altitudine poli eeL.

I T A Q V E hoc artificio, si offeratur quilibet circulus in plano, qui debeat esse determinatus aliquis circulus maximus in Astrolabio, inueniemus per eum, ipsum Aequatorem in eodem Astrolabio,

PROBL. VI. PROPOS. IX.

Circulos horarios, & declinationum in Astrolabio describere.

I. QVATVOR sunt horarum genera. Aequales à meridie, vel media nocte exordium sumentes, more Astronomorum, quos Germani, Hispani, & Galli imitantur: Inæquales, diuidentes quemlibet diem, vel noctem in 12. partes æquales, quæ apud Hebreos, & apud antiquos fere omnes in vsu fuerunt: Aequales, quarum initium ab ortu Solis sumitur, quibus Babylonii ytebantur: Aequales denique ab occasu Solis inchoatae, quarum vsus olim fuit apud Athenienses, hodie vero apud Italos remansit.

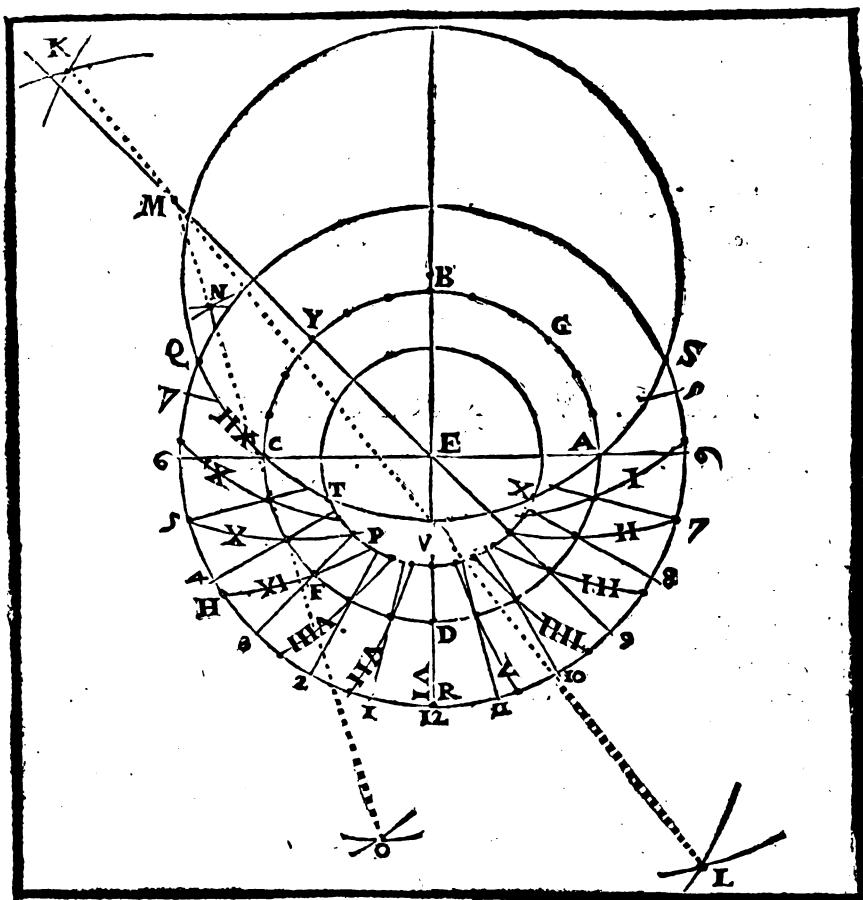
CIRCVLI horarum à mer. vel med. noct. cæptarum, ita in Astrolabio describentur. Aequator, vel quiuis eius parallelus in 24. partes æquales diuidatur, & per centrum Astrolabii, & pœcta diuisione recte lineæ educantur. Hæ namq. circulos illos repræsentabunt in Astrolabio. Cum enim, ut in nostra Gnomonica lib. 1. propos. 9. ostendimus, huiusmodi circuli per polos mundi incendant, secentque & Aequatorem, & eius parallelos in 24. partes æquales, prossidentur per propos. 1. Num. 1. & 4. in lineas rectas se in centro Astrolabii intersecantes, atque adeo Aequatorem, omnesque eius parallelos in partes 24. æquales partientur, non secus atque in sphæra contingit, cum æquales arcus Aequatoris, eiusque parallelorum, in arcus æquales prossidentur in Astrolabium, ut propos. 2. Num. 1. 2. 3. & 4. demonstratum est. Quod si horæ singulæ in Aequatore, vel eius parallelis, secentur bisfariam, & rursus per sectiones ducantur rectæ ex centro Astrolabii, descripti etiam erunt circuli semihoras indicantes: quæ si rursus bifariam

Aequatorem ex quouis circulo, qui ducatur maxima aliisque circulum oblique quæcum repræsentare in Astrolabio, describatur.

Circulos horariorum à mer. vel med. noct. in Astrolabio describendo.

fariam secentur, &c. habebuntur circuli quadrantes horarum monstrantes, & sic deinceps, si minores partes horarum desiderentur.

2. HAE autem linea recta circulos horarum à mer. vel med. noct. cæptarum referentes, in Astrolabiis vulgaribus duci tantummodo solent infra Horizontem, vt in figura apparet, ita tamen, vt tropicum \odot , non transcendent, ne



pars Astrolabii supra Horizontem, in qua descripti sunt Verticales circuiti, & paralleli Horizontis, nimia linearum multitudine confundatur. Alii vero designant easdem horas in limbo duntaxat Astrolabii, adscribentes punctis, in quæ dictæ rectæ cadunt, horarum numeros, Initio facto à linea meridiana BD, & in superiori parte versus dextram, in inferiore vero sinistram versus progredien-
do.

do. Deinde in centro Astrolabii affigunt regulam quandam volubilem, cuius linea altera extrema per idem centrum transeat, lineaque fiduciae dicatur. Hæc enim regula circumducta fungitur munere omnium circulorum horariorum, de quibus nunc loquimur. Idem quoque, quod hæc regula, præstare potest filum pertinente à centro Astrolabii egrediens, & per singulas horas in limbo circumducta.

3. CIRCULI maximi declinationum, cum etiam per mundi polos ducentur, eodem modo in Astrolabio describentur, si per centrum, & singulos gradus Aequatoris rectæ lineæ ducantur, quæ tamen in limbo Astrolabij per gradus tantummodo solent ostendi. Nam regula illa volubilis, vel filum ex centro pendens, si circumducatur per singulos gradus, fungetur munere circulorum declinationum per singulos gradus ductorum.

Declinationes
circulorum in Altero
Labio describentes.

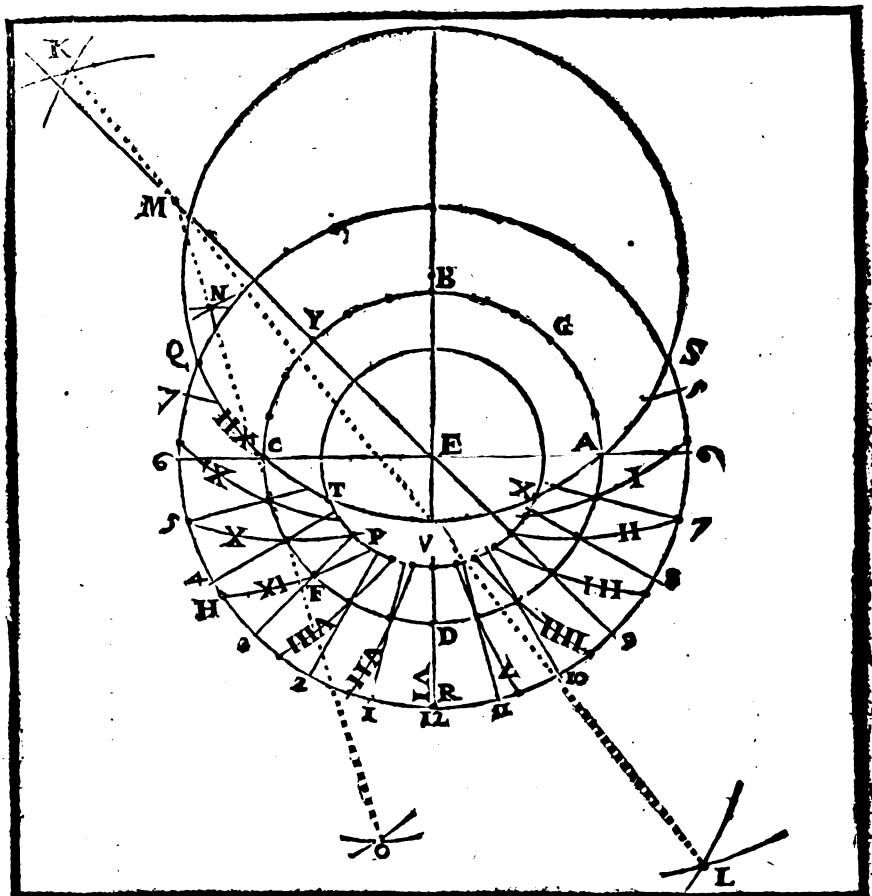
Circulos horariorum
inæqualium secundum ordinem
Astrolabij describentes in Altero
Labio.

Circulos horariorum
inæqualium conmutantes descriptos
non in ære vere horas inæquales
toco annis tempore.

Horas inæquales
verius per partes
duodecimas plus
rurum arcuū discen-
dentes.

4. CIRCULI horariorum inæqualium singulos arcus diurnos, nocturnosque in duodenas partes æquales diuidentur, ab auctoribus hoc modo in planum Astrolabii proiciuntur. Diuisis arcibus nocturnis tropicis, QRS, & Aequatoris CDA, & tropicis, TVX, in 12. partes æquales, (Nam horæ inæquales infra Horizontem dyntaxat describi solent, propter causam dictam in horis a mer. vel med. noc.) describunt per ternæ punctæ eidem horæ inæquali respondentia circulos, qui in Aequatore per puncta per diametrum opposita transiunt, si producerentur. Hosce enim circulos arbitrantur horas inæquales monstrare, vñicunque Sol in Zodiaco existat. Quod omnino verum non est. Cum enim hic circuli representent maximos circulos in sphera, vt in scholio prop. 5. Num. 9. demonstrauimus, quod per duo puncta Aequatoris per diametrum opposita describantur, nulli autem maximi circuli dari possint in sphera, qui per horas inæquales omnium parallelorum transeant, hoc est, qui singulorum parallelorum arcus diurnos, nocturnosque in duodenas partes æquales partiantur, vt in Lemmate 39. a nobis demonstratum est; perspicuum est, circulos illos descriptos non indicare vere duodecimas partes in singulis arcibus diurnis, nocturnisue, tribus illis exceptis, qui in 12. partes æquales diuisi sunt. Quamvis autem huiusmodi circuli diuidant serme in partes 12. æquales, arcus diurnos, nocturnosque omnium parallelorum in eo Horizonte, supra quem polus eleuator non pluribus gradibus, quam 45. ita ut discriminem aliquid vix possit sensu percipi, idem tamen in maiore obliquitate sphæra, si diuident trium parallelorum arcus diurnos, nocturnosue in 12. partes æquales, nunquam partientur arcus diurnos, nocturnosue aliorum parallelorum in partes æquales, sed ita inæquales partes efficiunt, vt sensu percipi possit earum discriminem, eoque maior inter eas reperiatur inæqualitas, quo maior altitudo poli extiterit: quemadmodum tanto minor inæqualitas inter easdem cernitur, quanto minor fuerit poli altitudo supra Horizontem, quam grad. 45. Itaque ut verius horæ inæquales in Astrolabio describantur, describendi erunt plures paralleli inter Aequatorem, & utrumque tropicum, eorumque arcus nocturni in 12. partes distribuendi, ac tandem singularem horarum puncta, quæ in circuli circumferentia minime sita sunt, vt vulgo putatur, congruenter lineolis inflexis consungenda, ita ut nusquam angulose efficiant, non secus atque in hyperbolis, & aliis sectionibus concis describendis fieri solet. Si tamen quispiam velut omnino horas inæquales per circulos in Astrolabio designare, pro nihilo modicum illud discriminem, de quo diximus, ut facilius, & expeditius eiusmodi circulos describat, inuenire debet eorum centra in lineis rectis, quæ Aequatorē in 24. partes æquales secat, hoc est, in lineis horarum à mer. vel med. noc. inchoatarum, si producantur. Nam cuiuslibet circuli centrum.

Centrum horarum in equalium et periculum existit in ea linea, quæ in Aequatore distat 6. horis integris a duobus illis punctis, per quæ circulus ille transire debet. Ut v.g. arcus, vel circulus HEP, per puncta Aequatoris F, G, describendus. centrum habet in recta EYM, ducta per Y, punctum Aequatoris, quod 6. horis à punctis F, G, abest. Nā cū recta EYM, a punctis F, G, distet æqualiter, sit, ut circulus ex quocunque eius puncto per alterutrum punctorum F, G, descriptus, transeat quoque per reliquum, quemad-



modum & Horizon centrum suum habens in meridiana linea BD, que in Aequatore à punctis A, C, quadrante abest, transit per utrumque punctum A, C, ut in scholio propos. 5. Num. 1. ostendimus. Quod etiam sic demonstrari poterit. Quoniam recta EM, secat diametrum Aequatoris FG, bisariam, & ad angulos rectos, quod ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. anguli in centro E, quadrantibus YF, YG, ins-

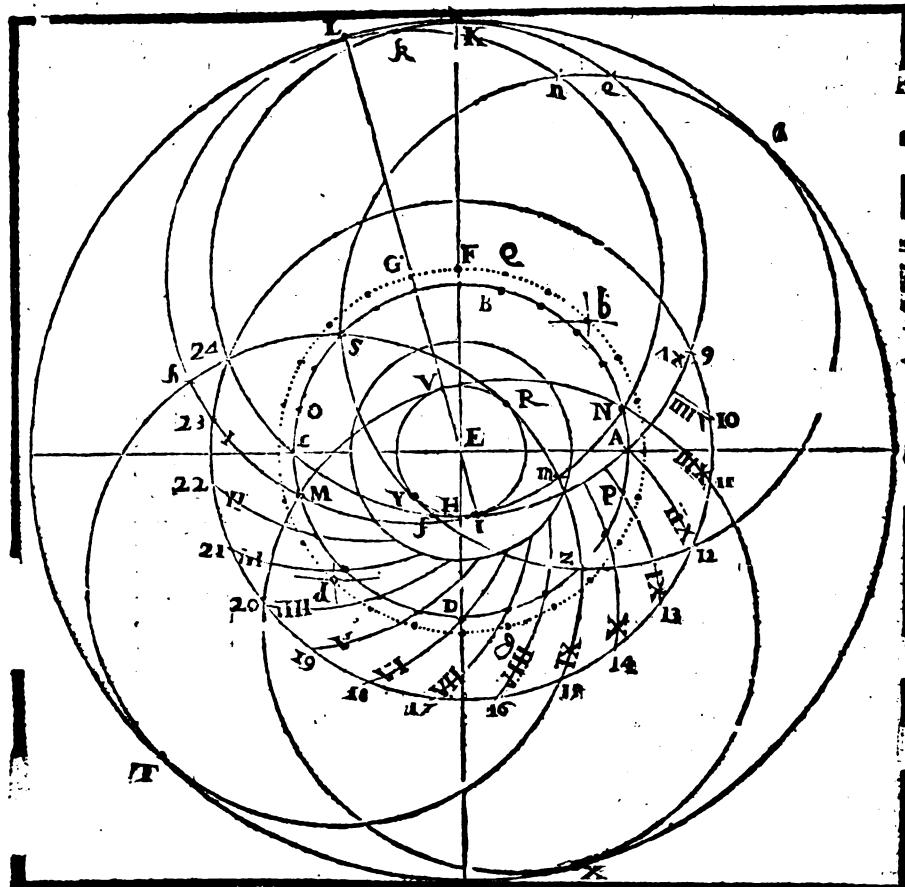
YG, inservientes, recti sint; transibit eadem EM, per centrum circuli per puncta P, G, describendi, ex coroll. propos. 1. lib. 3. Eucl. cuiusmodi est circulus date horae inaequalis. Quare satis erit in hac linea EYM, reperire centrum circuli transfeuntis per alterutrum punctorum respondens in tropico 33°, vel 30°: quod quidem facile fieri, aperiendo, vel claudendo circinū magis, aut minus, prout res exigit. Geometrice tamē idem centrum reperies, si ex G, & H. quoquis interquallo eodem hinc inde binos arcus se mutuo in K, L, intersecantes describas: Item altos ex punctis H, P, ad quodlibet interuallum secantes secesse in N, O. Reste namque LK, OL, per illas intersectiones trajectæ secabunt rectam EYM, in M, centro areus HEP, ut ex iis constat, quæ in scholio propos. 25. lib. 3. Eucl. demonstrata sunt a nobis. Eademque prorsus est ratio in centrī aliorum arcuum inueniendis.

5. C I R C U L O S denique horarum ab ortu, vel occasu Solis in Astrolabium proiiciemus hac ratione. Circa E, centrum Astrolabii per F, centrum Horizontis descriptus circulus FG, in 24. horas æquales distribuatur, quæ in semisses, quadrantesque horarum, si libuerit, subdividantur, atque ex punctis diuisiōnum, ut in centris, interuallo semper eodem semidiometri Horizontis FH, circuli describantur. Dico hos circulos horas indicare ab ortu, vel occasu Solis, hoc est, referre circulos maximos in sphæra, qui omnes parallelos Aequatoris inter maximos semper apparentium, & latentium interiectos, in partes æquales partiuntur, initio facto ab Horizonte. Quoniam enim per prop. 10. lib. 1. nostræ Gnomonicæ, huiusmodi circuli parallelorum semper apparentium maximum, ac proinde & dppositum, nimirum semper latentium maximum, tangunt in punctis, in quibus à circulis horarum à mer. & med. noc. secantur, necesse est, ut iidem faciant idem in Astrolabio. Cum ergo circuli ex punctis diuisiōnum circuli FG, ad interuallum semidiometri Horizontis descripti, tangent duos parallelos KL, HI, quos Horizon tangit, & quorum hic est semper apparentium, ille vero semper latentium maximum, in punctis, in quibus rectæ linea per centrum Astrolabii trajectæ, referentesque circulos horarum à mer. vel med. noc. vt ostensum est, eosdem secant, ut monstrabimus, liquet, circulos descriptos, esse circulos horarum ab ortu, & occasu Solis. Ducatur enim per E, centrum Astrolabii, & punctum G, recta EG, secans parallelos' KL, HI, in L, I. Et quia tam EK, EL, inter se, quam EH, EI, æquales sunt, erunt tota KH, LI, æquales. Rursus quia æquales sunt EF, EG, erunt quoque rectæ BH, GI, æquales. Cum ergo FH, sit ipsius KH, semissis, erit & GI, semissis ipsius LI. Circulus igitur LhI, ex G, ac interuallum GI, vel GL, descriptus semidiometrum habet æqualem semidiometro Horizontis FH, tangitque ex scholio propos. 13. lib. 3. Eucl. parallelos KL, HI, in L, I, punctis, in quibus rectæ LI, repræsentans vnum ex circulis horarum à mer. & med. hoc. eosdem secant. Eadem ratione ostendemus, alios circulos ex aliis punctis diuisiōnum circuli FG, ad interuallum semidiometri Horizontis descriptos, tangere parallelos KL, HI, in punctis, in quibus a rectis per centra eiusdem secantur, hoc est, eorum diametros inter utrumque parallellum positas secari a circulo FG, bifariam, ipsosque circulos Horizonti esse æquales. Et certe, circulos horarum ab ortu, & occasu proiecti in Astrolabium in circulos æquales, hinc etiam manifestum esse potest. Quoniam enim in sphæra tangunt maximum parallelorum semper apparentium, & maximum semper delitescentium, in 24. punctis dictos parallelos in 24. horas æquales secantibus, ut ex propos. 10. lib. 1. nostræ Gnomonicæ liquet, ipsi ex scholio propos. 21. lib. 3. Theod. ad Aequatorem æqualiter inclinati erunt, ac proinde eorum poli ab eodem a equatore æqualiter distabunt:

Circulos horarum
ab ortu, & occa-
su in
Astrolabio
describere.

Circulos horarum
ab ortu, vel occa-
su, in
Astrolabio
esse æquales.

Hunt: ex quo sit, eos omnes, vna cum Horizonte, equaliter à polo antarctico abesse, ideoq; ex eo polo inspectos apparere inter se æquales; vt vel hinc etiam constet, dictos circulos esse recte descriptos, cum omnes Horizonti sint æquales. ob semidiametros æquales, represententque circulos maximos, quippe qui parallelos duos oppositos KL, HI, tangent, eos nimis, quos Horizon tangit. 28.2. Theor. perspicuum auiem sit, Horizontem duos parallelos oppositos contingere. Ex



hoc inferre quoque licebit, quemlibet horum circulorum transfire per duas horas in Aequatore per diametrum oppositas, & quaz 6. horis, id est, quadrante recta per suum centrum ducta abstant, quemadmodum & Horizon transit per horas A, C, per diametrum oppositas, & à recta ducta per centrum F, 6. horis distantes. Omnis enim circulus maximus in Astrolabio secat Aequatorem bifasciam in punctis per diametrum oppositis, vt in scholio propos. 5. Num. 6. ostensum

sum est, & clarus in scholio propos. 12. demonstrabitur. Ita vides circulum ex G, descriptum transire per horas M, N, in Aequatore per diametrum oppositas, & quae horis & a recta per centrum G, ducta absunt.

6. S O L E N T autem circuiti horarum ab ortu, vel occasu in vulgaribus Astrolabis (in quibus describi solent. neque enim in omnibus describuntur.) de scribi tantummodo infra Horizontem, ita tamen, ut tropicos non transgrediantur, propter causam paulo ante in circuitis horarum. a mer. & med. no. allatum, veluti in figura apparet, vbi exteriore humeri ad horas ab occasu, & interiores ad horas ab ortu pertinent: quamvis hi arcus satis non sint ad horas ab ortu, & occasu tam diurno tempore, quam nocturno inuestigandas, vt lib. 3. Can. 8. Num. 3. dicemus. Re ipsa tamen, si huiusmodi circuiti describendi essent integri, arcus circuli per puncta O, P, ex Q, descripti supra Horizontem ex parte orientali C, spectaret ad horam 1. ab ortu Solis, eiusdem vero arcus infra Horizontem ex parte occidentali A, ad horam 1. ab occasu Solis pertineret: quemadmodum & arcus sub Horizonte per M, transiens ad horam 23, ab ortu, & arcus per N, supra Horizontem incedens ad horam 23, ab occasu spectare deberet, & sic de ceteris horis: quod suo tiam loco in vsu Astrolabii monebimus, & iamiam aliquo modo explicabimus.

7. SI circuitus propoſita horae ab ortu, vel occasu, siue integræ ea sit sine minutis, siue et aliquot minutis adhæreat.) describēdus sit, efficietur id hoc modo. Numeretur data hora (reductis horis, earumque minutis, si ad sint, ad gradus, ac minutæ graduum, tribuendo singulis horis quindenos gradus, & quaternis minutis horæ singulos gradus, & singulis horæ minutis quindena minuta vnius gradus, &c) in Aequatore à puncto C, versus B, si hora data sit ab ortu, vel à puncto A, versus D, si hora ab occasu sit data. Per terminum enim numerationis describendus erit eius horæ circuitus; cuius centrum ita inuenietur in parallelo FG, ex centro Astrolabii per F, centrum Horizontis descripto. Sumpta, circini beneficio, semidiometro Horizontis FH, vel FK, statuatur unus eius pes in puncto Aequatoris inuenito, & altero parallelus FG, duobus in locis sectetur. Altera enim harum sectionum centrum erit quæsumum: sed vtra earum accipienda sit, ex his discēs. Quoniam omnes circuiti horarum ab ortu, vel occasu æquales sunt in Astrolabio, tanguntq; duos parallellos HL, KL, in 24. punctis, in quibus à circuitis horarum à mer. vel med. no. se cantur, ut supra Num. 5. diximus, & in istis punctis contactuum bisariam dividuntur, cum in quolibet duo puncta contactuum sint per diametrum opposita, ex coroll. propoſ. 6. lib. 2. Theod. pertinēbunt ad idem genus horarum semicirculi inter puncta contactuum comprehensæ si non concurrentes, vel non se intersecantes, cum hi ex parallelis Aequatoris arcus similes adscindant. Huiusmodi sunt semicirculi HAK, INL, RST, YMX, YZA. Et quia primus HAK, cum sit semicirculus Horizontis, ad partes occidentales Astrolabii, ad occasum Solis spectat, pertinetur ut alij quatuor nominati semicirculi ad horas ab occasu. Eodem modo reliqui semicirculi HCK, IML, RZT, VNX, YSA, non concurrentes sunt, ac proinde cum primus sit semicirculus Horizontis ad orientales partes Astrolabii, spectetq; ad ortum Solis, indi cabunt alii quatuor nominati semicirculi horas ab ortu Solis: Vbi vides cuiuslibet circuiti horarum ab ortu, vel occasu vnum semicirculum inter duo puncta contactuum interceptum ad horas ab occasu, alterum vero ad horas ab ortu pertinere. Ex his disceile non erit iudicare, utram ducarum sectionum in paralelo FG, sumenda sit pro centro circuiti horarum per punctum in Aequatore inuenitum describendi: quippe cum ea eligenda sit, ex qua semicirculus, horam ab occasu

Worx ab ortu, & occasu quo posso in vulgaribus Astrolabis describi solent, & quae ostendit tenetur.

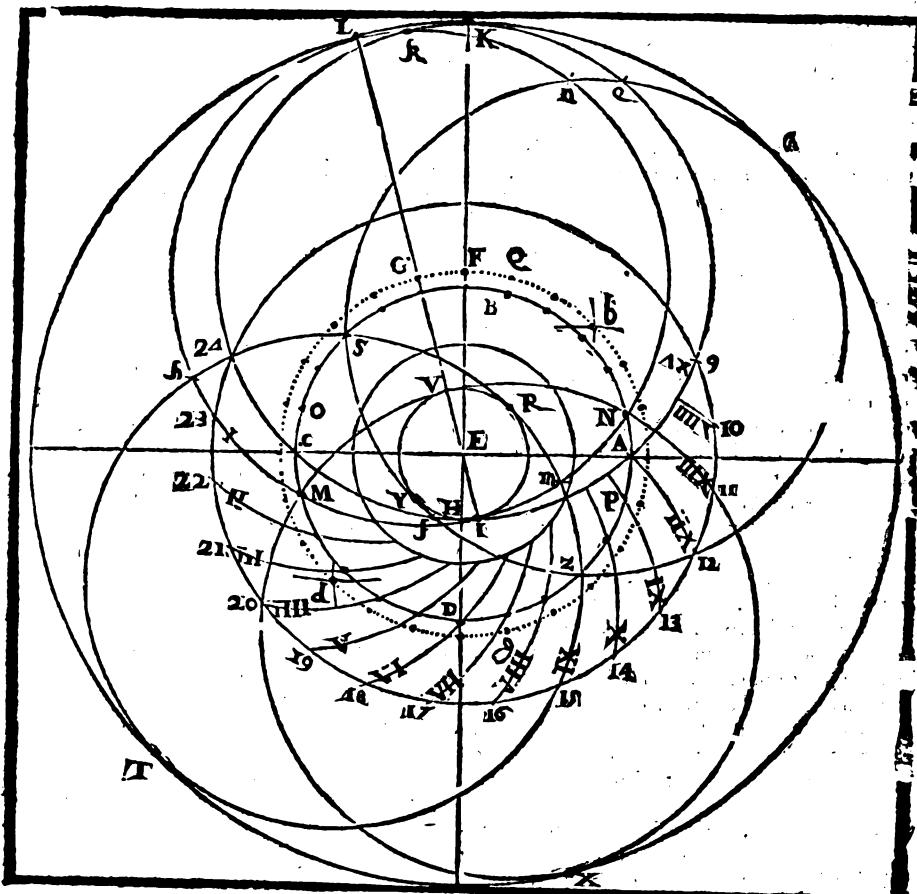
Per que puncta Aequatoria vere arcus horarum ab ortu, & per que arcus horarum ab occasu describendi di sunt: hoc est, que hora à mer. vel med. no. in Aequatore perire necat ad horas ab ortu, & que ad horas ab ortu ab occasu.

Circulum proper hoc ab ortu, vel occasu, in Astrolabio defini batur.

813. 2. Tho.

Quid semicirculi horarum ab ortu, et occasu, ad horas ab ortu, & qui ad horas ab occasu pertinere cognoscere.

oceasu indicaturus, atque inter duo contractum puncta inclusus, describendus cum semicirculo Horizontis HAK, vel cum quoquis alio ad horas ab occasu fpe
stante non concurredit. Eademque ratione semicirculus horam ab ortu indicatu-
rus, ex assumpta sectione describendus cum semicirculo Horizontis HCK, vel
cum quolibet alio ad horas ab ortu spectante concurrere non debet. Exempli
causa, si describendus sit semicirculus horæ 15. ab occasu, vel ab ortu, numera-



bimus in Aequatore ex A, punto occasus versus D, 15 horas usque ad S, ve ex
C, punto ortus versus B, horas etiā 15. usque ad Z. Nam per S, incedet semicir-
culus horæ 15. ab occasu, & per Z, semicirculus horæ 15. ab ortu. Et quia semi-
diameter Horizontis HF, vel FK, beneficio circūti accepta ex punto tam S,
quam Z, exhibet nobis in parallelo FG, duo puncta b, d, statuendum erit cen-
trum d, non autem b: quia neque semicirculus RST, ex d, descriptus cum semi-
circulo

circulo Horizontis HAK, neque semicirculus RZT, cum Horizontis semicirculo HCK, concurrit: at tam semicirculus YSa, ex b, descriptus cum semicirculo Horizontis HAK, in punto e, quam semicirculus YZa, cum semicirculo Horizontis HCK, in punto f, concurrit; ac proinde neque ille ad horam 15. ab occasu, neque hic ad horam 15. ab ortu pertinebit, sed ille quidem horam 3. ab ortu, hic vero horam 3. ab occasu indicabit: propterea quod punctum S, distat 3. horis ab ortu C, versus B, semicirculusque YSa, cum semicirculo Horizontis HCK, non concurrit; punctum item Z, abest 3. horis ab occasu A, versus D, & semicirculus YZa, cum Horizontis semicirculo HAK, non concurrit. Eadem ob causam semicirculus horae 11. ab occasu per punctum M, & semicirculus hora 15. ab ortu per punctum N, transibit, atque utriusque centrum erit punctum g, non autem G. Nam neque semicirculus VMX, ex g, descriptus cum Horizontis semicirculo HAK, vel cum semicirculo RST, hora 15. ab occasu, neque semicirculus VNX, cum semicirculo Horizontis HCK, vel cum semicirculo RZT, hora 15. ab ortu concurrit: At tam semicirculus IML, ex G, descriptus semicirculum Horizontis HAK, inter puncta H,I, vel semicirculum RST, hora 15. ab occasu in punto h, quam semicirculus INL, semicirculum Horizontis HCK, in punto k, vel semicirculum RZT, in punto m, interficiat; ac proinde neque semicirculus IML, ad horam 11. ab occasu, neque semicirculus INL, ad horam 15. ab ortu pertinebit, sed ille quidem horam 23. ab ortu, hic vero horam 23. ab occasu monstrabit. Atque ita de ceteris.

FACILIVS idem cognoscemus hoc modo. Numerata hora ab ortu ex C, versus B, vel hora ab occasu ex A, versus D, describatur per finem numerationis ad interuallum semidiometri Horizontis ex centro in parallelo FG, assumpto circulus, ita ut eius conuexo occurramus ex C, versus B, progredientes, hoc est, ita ut eius conuexum vergat versus partes Zodiaci orientales, vel posterius orientes, si ad horam ab ortu spectet: vel ita ut eius concavo ex A, versus D, occurramus, si pertineat ad horam ab occasu, hoc est, ita ut eius concavo respiciat partes Zodiaci orientales, vel posterius orientes. Ut si per S, describendus sit circulus hora 15. ab occ. ponemus pede vnū circini in S, & alterū ad interuallum semidiometri FH, vel FK, extendemus usque ad d, & ex d, per S, circulum describemus RS, ita ut eius concavum à puncto S, vergat versus A, procedendo ab S, sinistram versus, siue versus signa orientalia secundum successionem signorum. Si vero per idem punctum S, describendus sit circulus hora 3. ab ortu, describemus prædicto interuallo eodem, ex centro b, per S, circulum SY, ita ut eius conuexum à puncto S, tendat versus C, progrediendo ab S, sinistram versus secundum successionem signorum. Eodem modo semicirculus per M, descriptus ex G, pertinebit ad horam ab ortu, eo quod ex C, per B, progredientes occurramus eius conuexo in M: At semicirculus per N, ex eodem centro G, descriptus, ad horam ab occ. spectabit, quia ab A, per D, procedentes occurrimus eius concavo in N. & sic de ceteris: ita ut semper progrediamur ab ortu in occasum contra successionem signorum.

8. NON dissimili ratione per quodvis punctum intra parallelos HI, KL, in Astrolabio datum, tam semicirculus ad aliquam horam ab occasu, quam semicirculus ad aliquam horam ab ortu spectans describetur. Ut si datum sit punctum n, inuenientur per semidiometrum Horizontis beneficio circini ex n, duo centra G,b, in parallelo FG. Ex priore describetur per n, semicirculus INL, ad horas ab occasu pertinens, cum ex A, per D, progredientes, contra successionem videlicet signorum, occurramus eius concavo in puncto N; ex posteriore

autem

Per diem propter inter duas parallelos Horizontem tangentes tam semicirculum, qui ad alia quam horas ab ortu, quam semicirculum, qui ad horas aliquas ab occasu spectat in Astrolabio describeretur.

autem per idem punctum n^o, semicirculus YSa , ad horas ab ortu spectans ; propter quod ex C , versus B , progredientes , contra successionem videlicet signorum , eius conuexo occurritus in punto S. Arcus autem Aequatoris ab occasu versus D , vel ab ortu C , versus B , usque ad semicirculum horarum ab occasu , vel ortu numeratus indicabit , quotam horam ab occ. vel or. descriptus semicirculus significet. Atque hoc eodem modo cognoscemus , ad quam horam ab occ. descriptus quiuis semicirculus horarius spectet , si nimur ex A , puncto occasus versus D , arcus Aequatoris usque ad eum numeretur , si ad horas ab occ. pertineat , vel si ex C , punto ortus versus B , usque ad eum numeratio fiat , si ad horas ab ortu spectet , &c.

Semierrealius quiclibet horarum aliquas ab ortu , vel occasu descripsit , ad quam horam ab ortu , vel occasu pertineat , cognoscere.

Baudem esse altitudinem poli infra omnes circulos horarum ab ortu , vel occasu , que est supra Horizontem.

9. C A E T E R V M neque hoc dissimulandum videtur , eandem esse poli altitudinem supra omnes circulos horarum ab ortu , vel occasu , que est supra Horizontem . Cum enim eundem parallelum HIR , tangent , cadent omnes arcus altitudinis poli ex polo ad puncta contactuum , ac proinde æquales erunt ; quos insinuata repræsentant rectæ EH , EI , & alia ex centro Astrolabii usque ad contactus eductæ , que quidem sunt portiones rectarum per eorum centra ductarum , & maximos circulos referentium , qui per eorum polos , & polos mundi ducuntur . Cum ergo EH , altitudinem poli supra Horizontem metiat , constat propositum .

PROBL. VII. PROPOS. X.

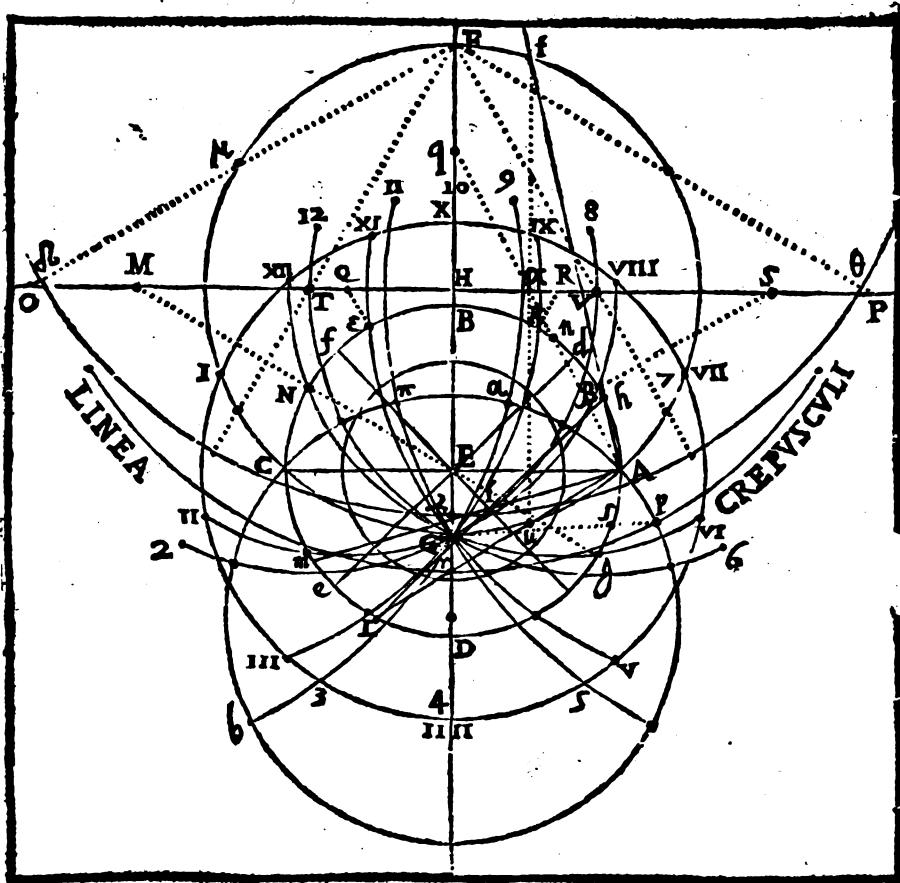
CIRCVLOS domorum cælestium , siue positionū , & linea Crepusculi , vel auroræ in Astrolabio describere .

*Domos cælestes .
vt à 1o. Regioni .
construantur , in
Astrolabio descri-
bentur.*

*Etiam domum
cælestium recip-
tina.*

i. CIRCVLI domorum cælestium , qui & positionum circuli dicuntur , transeuntes per cotunmes sectiones Horizontis , ac Meridiani , diuidentes , que , vt vult Ioan. Region. Aequatorem in 12. partes æquales , initio facto a semicirculo orientali Horizontis , qui ex eorum numero unus etiam est , & versus hemisphæriu[m] infernum progrediendo , hoc modo in Astrolabio describentur . Diuisio Aequatore in 12. partes æquales , describantur per puncta sectionum ; & per puncta F , G , in quibus Horizon meridianam lineam intersecat , circuli , inuenientur cœtro pro quibuslibet tribus punctis , quorū duo sunt F , G , & tertium in Aequatore . Hi enim per initia domorum cælestium incident , vt eas Ioan. Region. disponit , transibitque quilibet eorum , cum sit maximus , (quippe cum per duo puncta F , G , per diametrum in sphæra opposita ducatur .) per duo puncta in Aequatore per diametrum opposita , vt ostendimus in scholio propos . 5. Num . 6. clariusque in scholio propos . 12. demonstrabimus . Ita vides circulum FKGL , dominus 3. & 9. duci per puncta K , L , in Aequatore per diametrum opposita . Ex quo sit centrum cuiuslibet circuli existere in recta , que in centro E , diametrum Aequatoris per duo illa puncta opposita ductam secat ad angulos rectos , hoc est , que semicirculum Aequatoris inter illa duo puncta opposita bifariam secat . Nam perpendicularis illa , cum diametrum Aequatoris secet bifariam , & ad angulos rectos , transibit per centrum cuiusvis circuli per extrema puncta eius diametri transeuntes , ex coroll. propos . 1. lib . 3. Eucl . cuiusmodi est circulus dominus cælestis proposita . Ut centrum circuli FKGL , erit in recta EN , que diametrum KL , in E , & semicirculum KNL , diuidit bifariam in N , estique ad dia-

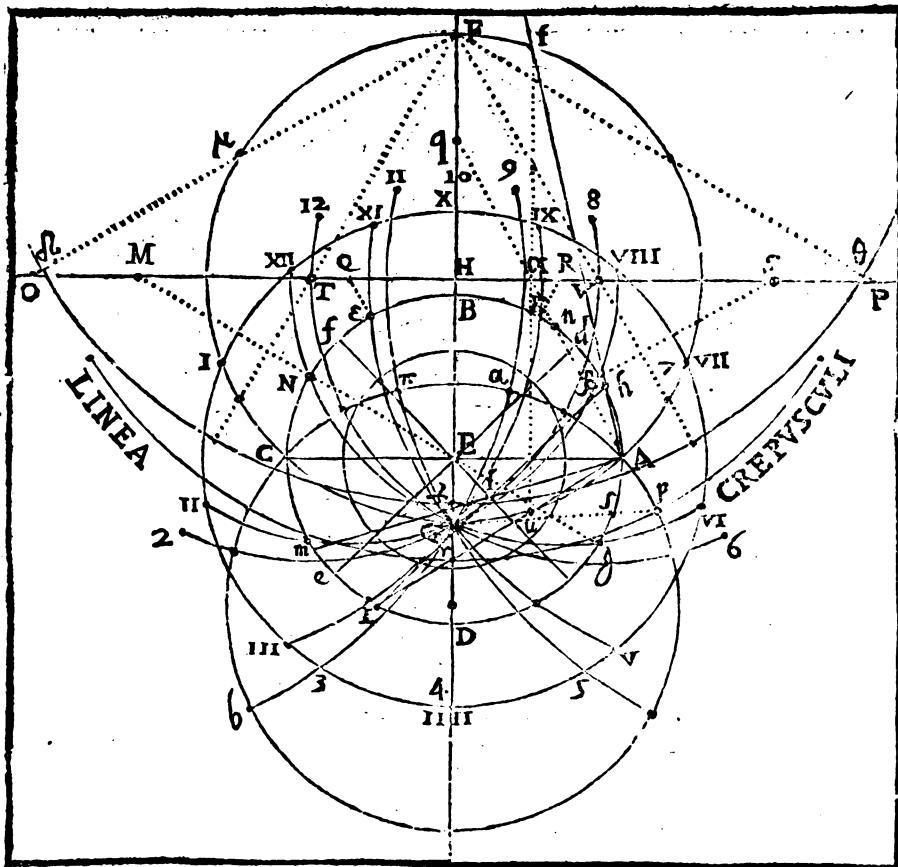
ad diametrum KL , perpendicularis ; cum omnia puncta huius recte æqualiter absint à punctis K, L , per quæ circulus duci debet , vt de centris horarum inæqualium dictum est in propos. præcedenti Num. 4. Et quia, ex eodem coroll. propos. 1. lib. 3. Eucl. eadem centra existunt quoque in recta OP , secante meridianam lineam FG , ad angulos rectos in centro Horizontis H , & bifariam , quod & huius recte omnia puncta à punctis F, G , per quæ circuli domorum ducendi



sunt, æqualiter distent, quemadmodum propos. 8. Num. 2. de centris Verticaliſi in recta PQ, existentium dictum est; sit, vt centrum circuli FKGL , sit punctum M, vbi recte EN , OP , se intersecant : eademque ratio est de cæteris. Nam & aliorum circulorum centra sunt puncta Q,R,S, in quibus recte ex centro E, per puncta divisionum Aequatoris ducitæ rectam OP , intersecant. Itaque si ex E,

per

per singulos gradus Aequatoris recte educantur, secabigur recta OP, In centris círculorum positionum per singulos gradus Aequatoris transeuntium, diuidentiumque singulas domos cælestes in tricenos gradus, quemadmodum recta EN, per N, grad. 30. à punto C,ducta obtulit M, centrum circuli FKGL, qui per K, gradum 30. Aequatoris à Meridiano numeratum descriptus est.



Per datum quod
nisi puctum Aeq-
uatoris circulū
positionis descri-
batur.

2. Q VOD si per quemcumque gradum Aequatoris à Meridiano distan-
tem círculus positionis describendus sit, numerabimur eundem gradum ex C,
versus B, si gradus Aequatoris datus fuerit ex parte occidentali, vel si ex parte
orientali extiterit, ex A. Recta namque ex E, per finem numerationis emissa da-
bit in recta OP, centrum quæsti circuli. Ut si describendus sit círculus positionis per punctum B, grad. 60. distans à B, punto meridiaci ad partes occidentales,
suppu-

supputabimus ex C. grad. 60. vsque ad 6. Recta enim Es, dabit centrum Q, e quo circulus per punctum datū g. & puncta F, G, describēdus est. & sic de ceteris. Re ste autem descriptos esse círculos domorum cælestium, vt eas constituit Ioan. Regiom. manifestum est, cum in forma circulari apparet, descriptique sint per illa puncta, per quā in cælo ducuntur à Ioan. Regiom. nimirum per partes duodecimas Aequatoris, & per puncta F, G, intersectionum Horizontis, ac Meridiani.

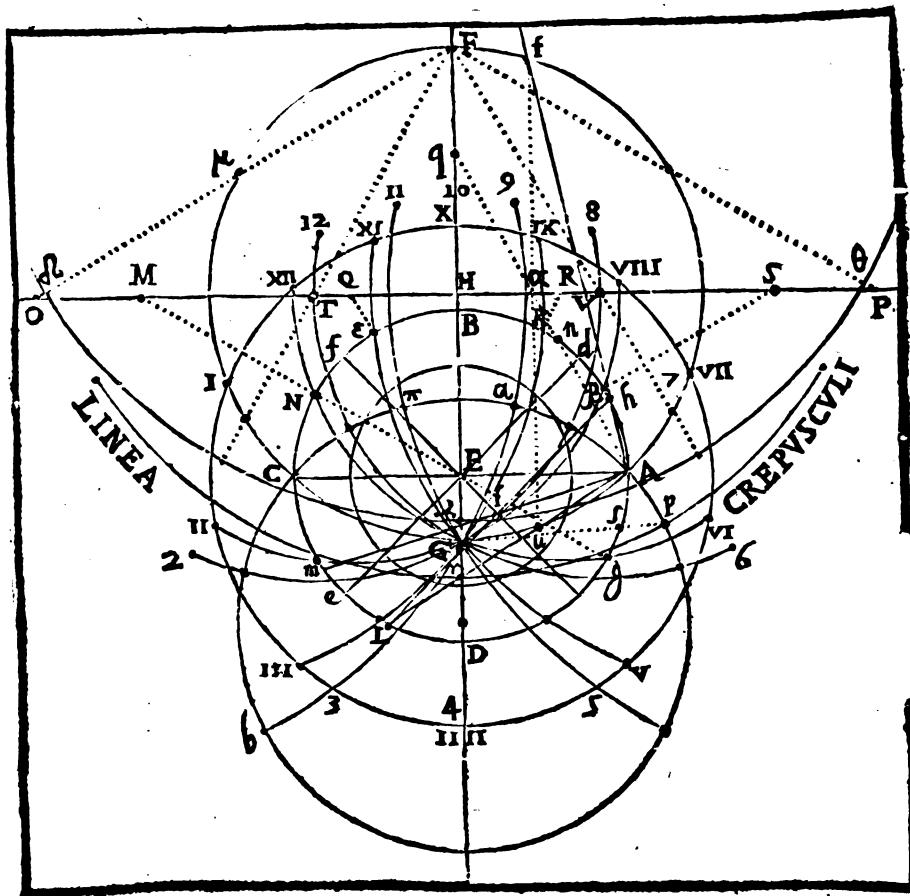
3. CIRCVLI autem cælestium domorum, vt a Campano in cælo consti-
tuuntur, diuidentes nimirum Verticalis circulum primariū in 12. partes æqua-
les, transentesque per eadem puncta F, G, intersectionum Horizontis, ac Meri-
diani, eodē modo describēntur in Astrolabio, si pro duodecimis partibus Aequa-
toris sumantur partes duodecima Verticalis primarii, non quidem duodecimæ
partes æquales ipsius, vt in Aequatore factum est, sed inæquales, quæ duodeci-
mis partibus æqualibus Verticalis primarii in sphæra respondent, reperiunturq;
per rectas ex alteruero polorū G, F, Verticalis p 12. partes Aequatoris eductas,
vt propos. 5. Num. 17. & 20. traditum est, vel aliis viis, quas partim propos. 5.
partim propos. 6. præsertim vero propos. 6. Num. 25. explicauimus. Nam inuen-
tis hisce partibus duodecimis Verticalis, si per quodlibet illorum, & per puncta
F, G, circuli describantur, quorum centra in recta OP, existunt, incident iij per
initia domorum cælestium, vt à Campano concipiuntur, transibitque quilibet
eorum per duo puncta Verticalis per diametrum mundi, quæ quidem per E, cen-
trum Astrolabii ducitur, opposita, cum maximum circulum referat, ac proinde
alios maximos círculos bistratiam fecerit. Ita vides circulum FaGb, domus 3. ac 9.
ducitum esse per puncta Verticalis a, b, quæ per diametrum opponuntur.

4. H O S eosdem círculos posteriores domorum cælestium ita quo-
que describemus. Quoniam per polos Verticalis primarii in sphæra, hoc est,
per intersectiones Horizontis, ac Meridiani ducuntur, Verticalisemque primariū
in partes æquales diuidunt, ita se habebunt respectu Verticalis primarij, vt cir-
culi Verticalis respectu Horizontis transentes per polos Horizontis, hoc est,
per intersectiones Verticalis primarij, ac Meridiani, diuidentesque Horizo-
nem in partes æquales. Quamobrem quemadmodum in propos. 8. Num. 1. & 2.
centra Verticalium inuenta fuere in recta PQ, quæ per centrum Verticalis pri-
marii in prima figura illius propos. ad meridianam lineam perpendicularis du-
citur, ita quoque hic centra círculorum cælestium domorum, quas Campanus
sibi fabricatus est, reperiuntur in recta OP, quæ per H, centrum Horizontis ad
lineam meridianam perpendicularis trahicuntur, etque communis sectio Aequa-
toris, planie Astrolabii, & paralleli Verticalis primarii, qui per polum antar-
cticum ducitur, cuius quidem diameter in figura prima propos. 5. est recta
Ac, quemadmodum & recta illa PQ, in figura prima propos. 8. est communis se-
ctio eiusdem Aequatoris, vel plani Astrolabii, & paralleli Horizontis per polum
antarcticum ducti, cuius quidem diameter in eadem prima figura propos. 5.
est recta Al. Eadem namque utrobique erit demonstratio. Nam si Verticalis
primarius intelligatur esse Horizon aliquis obliquus, erit Horizontius Verti-
calis primarius, & puncta F, G, eiusdem poli. Itaque quoniam per posteriores
hosce círculos domorum cælestium Verticalis primarius, tanquam Horizon al-
quis obliquus diuidendus est in 12. partes æquales, qui quidem sunt numero se-
cundum taxat, cum singuli per binā puncta Verticalis incedant, diuidemus Horizo-
nem AFCG, ac si esset Verticalis primarius ipsius Verticalis AAcB, tanquam Ho-
rizontis cuiuspiam, in 6. partes inter se omnino æquales: Deinde ex punto F,
Ppp vel G,

Domus cælestes,
ut eas Campanus
constituit in A-
strolabio descri-
bere.

Domus cælestes,
ut eas Campanus
imaginatur,
in Astrolabio, in-
star Verticalium
ipsius Verticalis
primarius, tanquam
Horizontis, de-
scendere.

vel G, per has sectiones lineas rectas ducemus, secantes rectam OP, in punctis O, T, H, V, P, quæ centra erunt circulorum domorum cælestium per puncta F, G, describendorum, instar Verticalium respectu Verticalis AaCb, tanquam Horizontis, ut propos. 8. demonstratum est. In figura priores circuli ex sententia Iean. Regiom descripti appositos habent numeros antiquos, hoc modo. I.II.III &c. Postiores vero secundum Campanū, visitatos numerorum chara-



cteres habent affixos, hoc modo. 1. 2. 3. 4. &c. Atque omnes hi circuli ita solent describi, vt tropicum $\lambda\phi$, non transcendent: quod nos quoque obseruamus. Quod si ex F, ad quodvis interuallum circulus describatur $\delta\gamma\theta$, & in 360. grad. distribuatur, initio facto à punto γ , dabunt rectæ ex F, per singulos gradus illius circuli ductæ, in recta OP, centra omnium circulorum positionum per

per omnes gradus Verticalis primarii transuntum, singulasque domos cælestes diuidentia in tricenos gradus. Nam quemadmodum recta $F\mu$, per punctum μ , grad. 120. à punto G, Meridiani distans cadit in O, centrum circuli positionis FaG, gradibus 60. ab Horizonte remoti, ita in idem centrum incidet recta $F\delta$, ducta per punctum δ , grad. 60. à punto γ , Meridiani distans, propterea quod eadem recta per utrumque punctum μ, δ , transit ex Lemmate 10. cum arcus $\gamma\delta$, secundissimi arcus $G\mu$, similis sit, &c.

5. Q VOD si per quocunque gradum Verticalis primarij ab Horizonte distantem circulus positionis describendus sit, numerabimus eundem gradum gradum ex γ , versus δ , si gradus Verticalis datus fuerit ex parte occidentali, vel si ex parte orientali extiterit, versus θ . Recta namque ex F, per finem numerationis emissi dabit in recta OP, centrum quæsiti circuli. Ut si describendus sit circulus positionis per punctum Verticalis, quod ab Horizonte ex parte orientali grad. 60. distet versus Zenith, sumemus arcum $\gamma\theta$, grad. 60. Recta enim $F\theta$, dabit centrum P, è quo circulus per puncta F, G, descriptus transibit per π , punctum Verticalis grad. 60. à punto Horizontis C, distans versus Zenith. Si autem punctum in Verticali proponatur infra Horizontem quotcunque gradibus distans ab Horizonte, siue ad partes orientales, siue occidentales, describemus per punctum oppositum, quod supra Horizontem existit, ad contrarias partes circulum positionis, ut dictum est. Hic enim transibit et iam per punctum datum. Ut si describendus proponatur circulus positionis per grad. 60. Verticalis infra Horizontem ex parte orientali, describemus, ut dictum est, circulum per grad. 60. supra Horizontem ex parte occidentali, hoc est, numerabimus grad. 60. ex γ , usque ad δ , ex parte orientali, ut recta $F\delta$, centrum O, exhibeat, &c. Idem efficimus, siue punctum datum Verticalis sit supra Horizontem, siue infra, si inuenio eo punto in Verticali, ex eius distantia ab Horizonte, ut propos. 5. Num. 18. traditum est, per ipsum, & per duo puncta F, G, circulum, ex scholio propos. 5. l. 4. Eucl. describamus, cuius centrum erit in recta OP.

6. I A M si per quoduis punctum in Astrolabio extra Aequatorem, & Verticali primarium, assignatum describendus sit circulus positionis, inueniendum est in recta OP, centrum trium punctorum, quorum duo sunt F, G, & tertium illud, quod propositum est. Arcus autem Aequatoris inter punctum A, vel C, & intersectionem circuli descripti cum Aequatore metietur distantiam circuli positionis ab Horizonte in Aequatore. Item arcus Verticalis inter A, vel C, & quocunque circulum positionis positum, cognoscemus, quantum ille circulus positionis distet ab Horizonte si prius per ea, quæ propos. 5. Num. 19. demonstrauimus, inquiratur; quot gradibus arcus ille Verticalis æquualeat. Atque eadem hac ratione per arcum Aequatoris, vel Verticalis inter A, vel C, & quocunque circulum positionis positum, cognoscemus, quantum ille circulus positionis distet ab Horizonte si in Aequatore, siue in Verticali, prout vel ex sententijs Ioan. Regiom. vel Campani, descriptus esse intelligitur: ac proinde intelligemus, quantum portionem ex domo cælesti absindat circulus quilibet positionis.

7. L I N E A crepusculi, siue Auroræ descripta erit, si parallelus Horizontis rp, describatur, distans ab eo grad. 18. versus Nadir: propterea quod Sole, ubique in Ecliptica existat, parallelum Horizontis grad. 18. sub Horizonte existentem attingente, crepusculum matutinum incipit, & vespertinum finit. Ita autem per ea, quæ propos. 6. demonstrata sunt, dictum parallelum rp, describemus. In Aequatore ducta Horizontis diametro d e, & eius axe f g, sumantur infra d e, duo arcus d h, eL, grad. 18. ita ut recta ducta hL, diameter sit parallelus

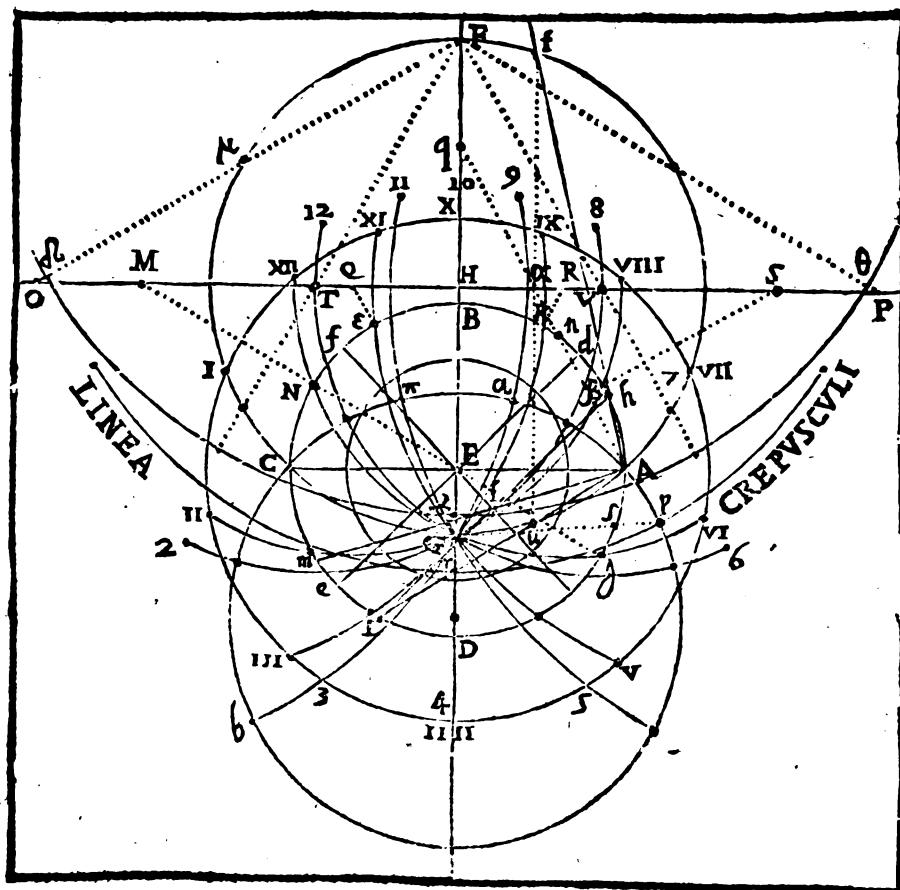
Circulum positionis per quocunque gradum Verticalis datum describitur.

Per quoduis punctum datum ex Aequatore, & Verticali, circulum positionis describere.

Quantum quilibet circulus positionis ab Horizonte siue in Aequatore, siue in Verticali distet, cognoscere.

Crepusculum in Astrolabio describere.

Ielli utrumque crepusculum terminantis; & ex A, polo australi per h, L, radij emittantur abscedentes ex meridianâ linea diametrum eiusdem parallelî viam. Sed quia radius Ah, nimis procul excurrit, satis erit inuenire punctum eius diametri extreum r, per radium AL, & centrum parallelî Horizontis per r, describendi, quod sic fieri. Per punctum l, ubi diameter ducta hL, axe. a Horizontis fg, secat, ducatur ex A, polo australi recta secans Aequatorem in m, &



Ceterum linea Crepusculi in puncto. arcu in f, equalis sumatur fn. Nam radius An, secabit meridianam lineam in q, centro parallelî Horizontis per r, describendi, hoc est, lineas crepusculinas, ut in Lemmate 35. & propos. 6. Num. 9. demonstrauimus. Vel ita agemus. Sumpto arcu Aequatoris As, grad. 18. ducemus ex G, polo Verticatis per f, rectam quae secet Verticalem in p; et itaque arcus Verticalis Ap. grad. 18. infra Horizontem,

zontem ex iis, que propos. 5. Num. 17. demonstrata sunt; ac proinde per parallelus crepusculi ducendus est. Si igitur per p, educatur linea Verticalis tangens, secabit ea meridianam lineam in q. centro paralleli per p, describendi, per ea, que à nobis propos. 6. Num. 10. demonstrata sunt. Vel denique in Horizonte accipiuntur duo arcus Et, Gu. grad. 18. in semicirculo FAG, quem propos. 6. Num. 6. ad parallelos Horizontis infra Horizonte spectare diximus; & recta iungatur tu, secans diametrum Horizontis in a. Nam recta ex A, per a, emissâ cadet in q. centrum paralleli grad. 18. sub Horizonte existentis, ut propos. 6. Num. 6. demonstrauimus. Ceterum puncta h, L, que diametrum paralleli crepusculi terminant, inueniemus sine auxilio diametri Horizontis e, hoc modo. Ex C, versus D, supputetur arcus conflatus ex altitudine poli, & grad. 18. usque ad L, qui in Horizonte Romano complectitur grad. 60. Item ex B, versus A, arcus numeretur conflatus ex complemento altitudinis poli, & grad. 18. usque ad h, qui in eodem Horizonte Romano grad. 66. complectitur. Nam ducta recta hL, diameter erit paralleli crepusculini; eo quod arcus CL, conflatus est ex C e, arcu altitudinis poli, & e L, arcu grad. 18. at arcus Bh, ex Bd, arcu complementi altitudinis poli, & dh, arcu grad. 18. Ex quo patet, Ioannem Stoflerinum (ac proinde & alios nonnullos, qui illum sequuntur.) errare cum præcipit, tam ex C, versus D, quam ex B, versus A, supputandam esse altitudinem poli, vna cum grad. 18. Hoc enim solum verum est, ubi poli altitudo continet grad. 45. Ibi enim complementum altitudinis poli Bd, æquale est altitudini poli Ce, vel dA, ut constat.

Error Jean. Stoferius, in linea crepusculina dividenda.

PROBL. VIII. PROPOS. XI.

RETE Astrolabij, id est, figuram, in qua Ecliptica in signa, ac gradus diuisa, vna cum stellis fixis continentur, construere.

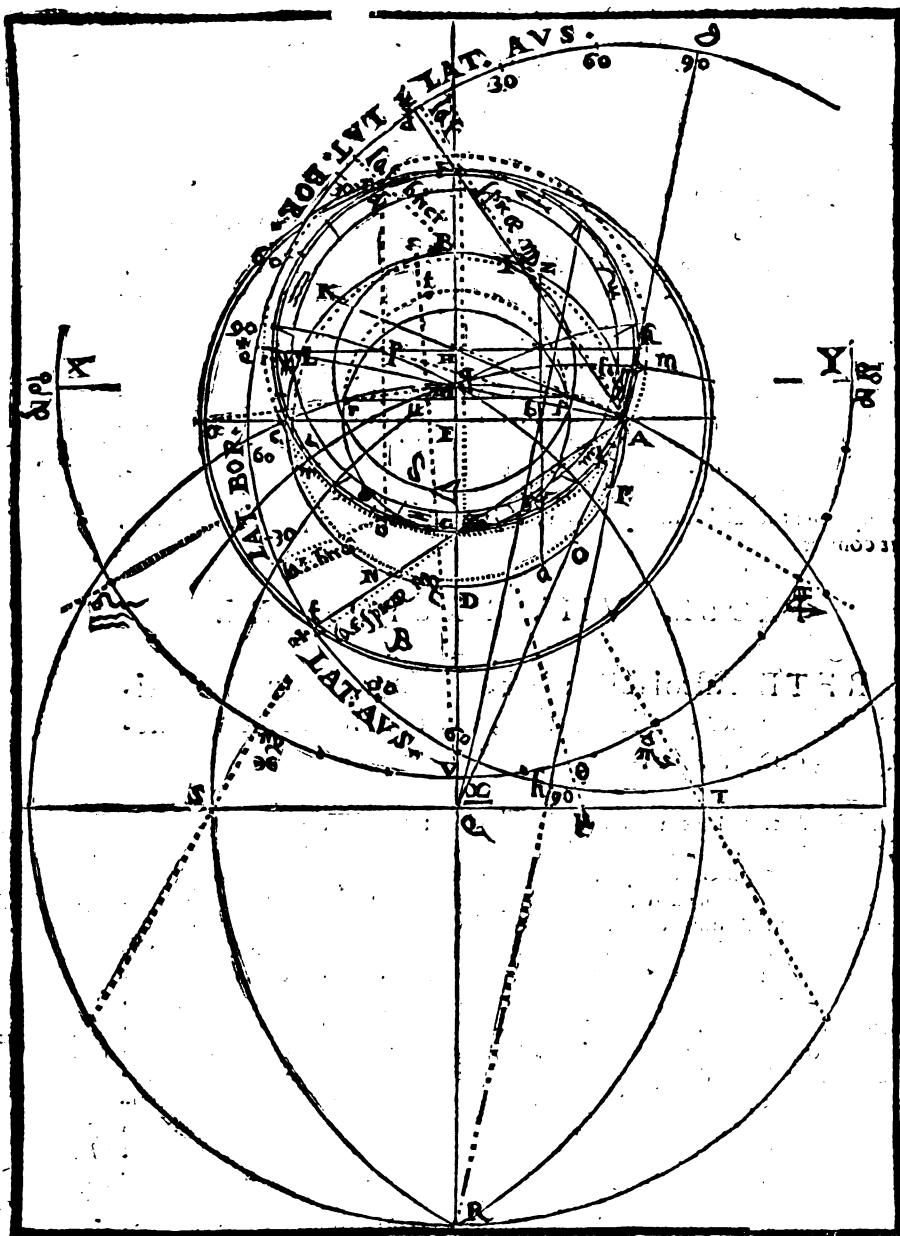
I. SIT circa E, centrum Astrolabii descriptus A B C D, cum tropicis, ut propos. 4. traditum est; & Ecliptica A F C G, tangens tropicum λ , in F, & tropicum λ' , in G, descripta, ut propos. 5. tradidimus, circa centrum H, quod inuenitur per rectam ex A, polo australi per finem arcus A I K, qui complementi maxima declinationis est; autem maxima declinatio B I, vel C L, & eius complementum A I, vel B L, duplus sit, aut (quod idem est) per finem arcus C K, qui maxima declinationis C L, duplus sit, emulsum, ut propos. 5. Num. 3. & 4. ostendimus. Nam diameter Eclipticæ per I, N, ducitur, distatq; a polo australi arcu A I, cuius complementum est maxima declinatio C L, vel B I. Et quia L, P, puncta quadrante distantia ab Ecliptica per I, N, ductæ, poli sunt Eclipticæ, apparebunt ii poli per radios A L, A P, in punctis M, R, quorum australis, & remotior R, accutatus ita inuenietur. Ducatur ex A, per finem arcus A O, qui duplus sit maxima declinationis A P, recta A O, cadens in Q, centrum circuli maximus per polos Eclipticæ, & principia γ , & α , ducti, instar Verticalis primaria, si Ecliptica Horizon foret. Nam si ex Q. per M, circulus describatur transiens necessario per A, C, secabit meridiana linea in R, polo Eclipticæ: Et in recta S T, qua per Q. ad M R, ducitur perpendicularis, existent omnia centra aliorum circulorum maximum.

Rete Astrolabii confidere.

Centrum Eclipticæ reperi.

Poles Eclipticæ invenire.

Eclipticæ in re: signa, & in 360 gradus dividere.



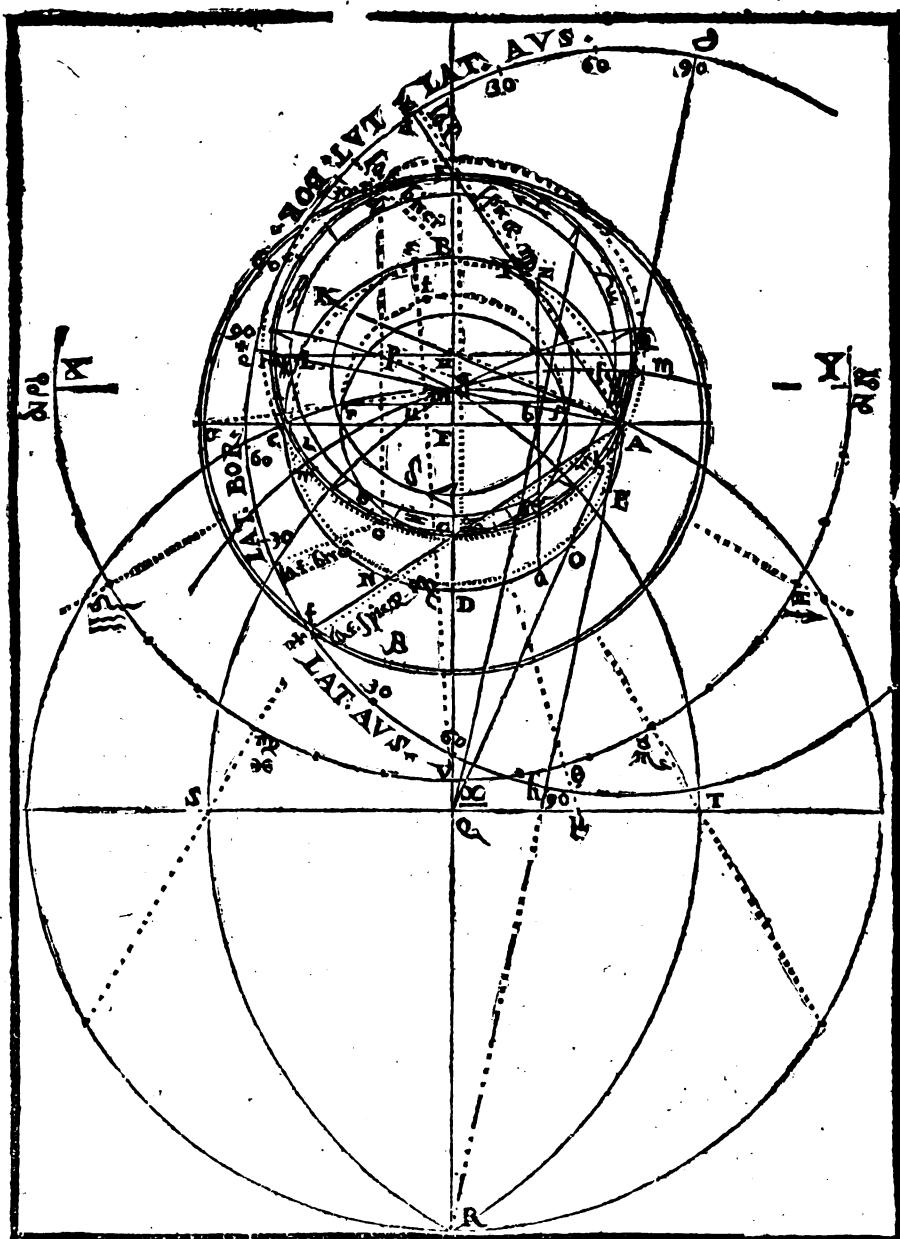
mōrū latitudinum per polos Eclipticæ M, R, ducorū; adeo ut circulo AMCR, facto in sex partes æquales, & rectis ex M, per sectionum puncta ductis, perpendicularis ST, secentur in centris eorum cūcūlorum diuidentium Eclipticam in sex signa, ut ex ijs constat, quæ propos. 8. Num. 2. de centris Verticalium demonstrauimus. Ita vides circulum MT, ex centro S, descriptum incedere per principia χ , & η ; cūcūlum autem MS, ex T, descriptum transire per principia μ , & γ . Quod si singula sex partes cūculi AMCR, in tricenas partes secentur, dabunt recte ex M, per illas sectiones emissæ in recta ST, centra aliorum cūcūlorum maximorum, qui singula 12. signa Eclipticæ in tricenos gradus distribuant. Sed quia inferior semicūculus cūculi AMCR, longius excurrit, & non semper in proposito plāno describi potest, inuenientur eadem centra in recta ST, commodius, hac ratione. Semicūculus XVY, ex M, ad quodus interuallum descriptus secerit in 6. partes æquales. Rectæ enim ex M, per singulas sectiones eductæ dabunt centra binorum signorum, illoram vide-licet, qdē ipsi sectoribus ascripta sunt. Et si singula illa partes diuidantur in tricenos gradus, inuenientur centra singulorum graduum, &c. ut ex ijs liquet, quæ in prædicta propos. 8. Num. 4. de centris Verticalium demonstrata sunt à nobis. Verum facilius Ecliptica in signa; & gradus distribuetur, si rectam ex polo Eclipticæ M, quam ex altero polo R, si in plāno Astrolabij notatus sit, per duodecimas partes Aequatoris, & singulos eiusdem gradus ad Eclipticam usq; emitantur, ut propos. 5. Num. 17. & 20. ostensum est. Vel si per duodecimas partes Aequatoris, singulosq; eiusdem gradus ipsi meridianæ lineæ agantur parallele rectam AC, secantes in punctis, per quæ ex Q, centro cūculi AMCR, rectæ traiiciantur, &c. ut in eadem propos. 5. Num. 24. monstratum est. Ita vides rectam Za, ipsi BD, parallela distare ab A, grad. 60. Secareque rectam AC, in b, ac denique rectam Qb stransire per principia Φ , & Ω , grad. 60 ab γ distantia, &c. Huc etiam transferri possunt, si libet alia via diuidendi maximos cūculos in gradus, quas propos. 5. & 6. præser- tim Num. 25. propos. 6. exposuimus.

2. STELLÆ hæc exquisitissime per earum longitudines, latitudinesque in reti Astrolabij reponentur, hoc modo. Descripto parallello Eclipticæ per propositam stellam in sphæra transeunte, habita ratione latitudinis stellæ siue borealis, siue australis, numeretur in eo, initio facto ab eius intersectione ortali ad partes C, cum cūculo AMCR, per principia γ , & ω , transeunte, longitudine eiusdem stellæ, hoc est, distantia eius à principio γ , ut propos. 6. Num. 22. & sequentibus traditum est. Terminus enim numerationis erit locus stellæ propositæ. Parallelus autem quilibet Eclipticæ describetur, & in gradus distribuetur, eiusdem modis, quibus parallelī Horizontis propos. 6. descripsi sunt, & in gradus diuisi. Sed ut facilius res peragatur ea ratione, quam Num. 8. Illius propos. præscriptissimus, præparanda erit figura hoc modo. Ex A, descripto ad quodus interuallum cūculo def, ducantur radii AΓ, AN, transeuntes per extremitates diametri visæ Eclipticæ FG, secantesque cūculum def, in d, & f, eritque df, quadrans, cum ex Lemmate 10. similis sit se-missi semicūculus ILN. Aequatoris, vel semicūculus Eclipticæ FCG. Ducatur quoque radius AL, transiens per L, polum Eclipticæ verum, & per M, polum visum, secansque cūculum def, in e; eruntque arcus de, ef, æquales, cum per idem Lemma 10. semissibus quadrantum Aequatoris IL, LH, vel Eclipticæ Fi, iG, similes sint. Nam recta Ae, per polum Eclipticæ ducta transit per extremitatem diametri Eclipticæ ik, ad FG, perpendicularis, ut in scholio propos.

5. Num. 14.

Stellas fixas rectæ Astrolabij per eam longitudines & latitudinesque imponere.

Figuras præpa-rare, per quam facile quilibet pa-rallelos Eclipticæ in Astrolabio describare.



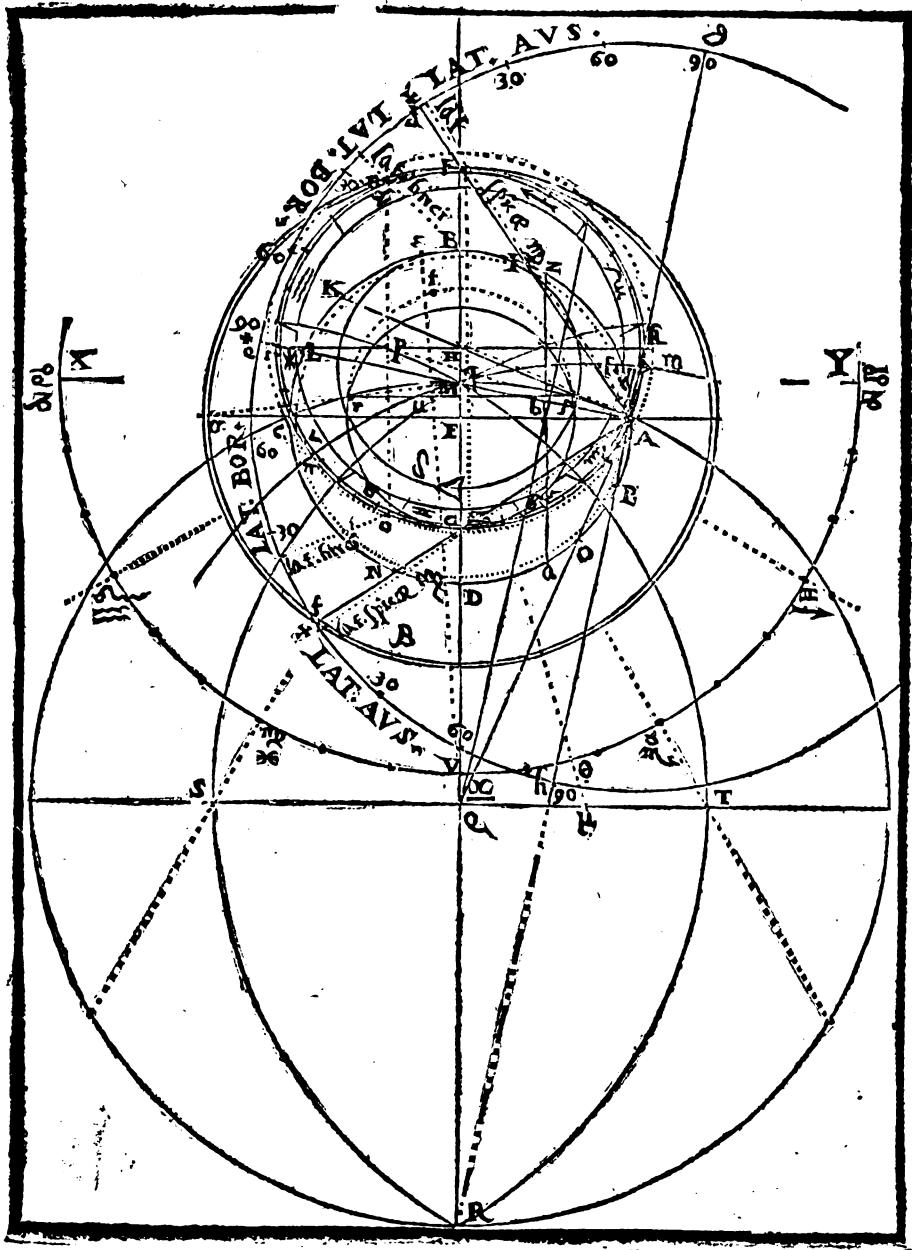
5. Num. 14. demonstrauimus. Sumptis deinde arcibus dg, fh, arcibus de, & f, æqualibus, quos etiam radius A P R, transiens necessario, ex eodem Scholio propositionis 5. Num. 14. per k, alteram extremitatem diametri Eclipticæ ik, absindit; propterea quod tam rectæ A k, A F, per Lemma 10. intercipliunt arcum dg, semissi quadrantis Eclipticæ FK, quam rectæ AP, AN, arcum fh, semissi quadrantis Aequatoris PN, similem; diuidantur singulis arcus dg, d, e, fh, f, e, in 90. partes æquales, quæ graduum semissiles erunt, initio semper factæ à punctis d, & f. Nam per partes arcuum d, e, f, e, inuenientur diametri vñse parallelorum latitudinum borealium, per partes autem arcuum dg, fh, diametri parallelorum latitudinum australium reperiuntur; ideoque illis adscripta est Latitudo borea, his vero Latitudo australis, ut statim cognoscatur, quam in partem latitudo prop̄posita numeranda sit. Quo pacto autem ex circulo def, ita diuiso parallelī describantur, prop. 6. Num. 8. declaratum est, rursumque ex sequentibus exemplis intelligi potest. Qua item ratione huiusmodi parallelī in gradus sint distribuendi, in eadem propositione 6. Num. 21. & sequenti-bus traditum est.

3. S I T ergo, exempli gratia, reti imponenda Spica η , cuius longitudo à prima stella V , continet grad. 170. vera autē longitudo à principio V . grad. 197. Min. 55. & latitudo grad. 2. versus austrū. Ex d, & f, versus g, & h, supputetur latitudo grad. 2. hoc est, sumatūr duæ partes ex 90. in quas vterq; arcus dg, fh, diuisus fuit, ac si esset gradus, & ad fines ducantur ex A, duo radii absindentes ex BD, diametro visam parallelī australis Eclipticæ grad. 2. qui quidem duo radii sam ex Aequatore ab I, & N, versus A, quam ex Ecliptica ab F, & G, versus k, 2. grad. auferent; propter quod arcus circuli d e f, à radio A d, & eo, qui per latitudinem Spicæ transit; Item à radio A f, & eo, qui per latitudinem Spicæ transit, abscessi similes sunt semissibus arcuum tam ex Aequatore, quam ex Ecliptica abscessorum, vt in 10. Lemmate demonstrauimus; ac proinde cum priorum vterque complectatur duos semigradus, hoc est, 1. grad. continebit quilibet posteriorum 2. grad. Deinde notetur intersectio diametri Eclipticæ ik, cum recta connectente duo puncta Eclipticæ duobus gradibus ab F, & G, versus k, distantiæ, per quæ nimirum prædicti duo radij transeunt. Nam radius ex A, per illud punctum intersectionis diametri ik, ductus indicabit in recta FG, centrum parallelī circa diametrum visam abscessam describendi, ex iis, quæ propos. 6. Num. 6. demonstrata sunt. Descripto ergo hoc parallelo, numeretur in eo vera stellæ longitudo, hoc est, grad. 197. min. 55. nimirum distantiæ eius ab V , secundum signorum successionem. In fine namque numerationis stella collocanda est in dicto parallelo. Ita autem in dicto parallelo punctum reperiemus, quod gradum longitudinis 197. min. 55. terminet. Quoniam parallelus Eclipticæ in austrum recedit ab Ecliptica grad. 2. describemus parallelum Aequatoris totidem gradibus ab Aequatore in boream recedentem, & in eo numerabimus supradictam longitudinem, initio facta ab eius intersectione orientali ad partes C, cum recta EC, versus D, & A, progrediendo usque ad l: quod in dato exemplo fiet, si ex grad. 197. min. 55. semicirculo dempto, reliqui grad. 17. min. 55. numerentur à recta EA, ex parte occidentali usque ad l. Nam recta Ml, ex polo Eclipticæ ducta dabit in parallelo Eclipticæ punctum m, gradum 197. min. 55. longitudinis terminans.

E X descripto porro parallelo Eclipticæ parallelus Aequatoris, per quem in illo longitudo inuenienda est, ita facile describetur, etiam si eius declinatio in Aequatore non supputetur. Ex M, polo Eclipticæ per punctum circuli AMCR,

Spicæ Virginiæ
in reti collocata

Parallelum Aeq-
uatoris ex paral-
lelo Eclipticæ ap-
posito, & vice
similiter ex illo
describere.



vbi a parallelo latitudinis dsuiditur, recta ducatur. Hæc enim ex recta EA, vel EC, semidiametrum parallelus Aequatoris abscedet. Viciissim, si prius parallelus Aequatoris describatur, vt propos. 4. Num. 6. docuimus, tot gradibus à polo australi distans, quo gradibus parallelus Eclipticæ per stellam ductus à polo Eclipticæ boreali distat, describetur parallelus Eclipticæ hoc etiam modo. Ducta ex M, polo Eclipticæ per punctum sectionis parallelus Aequatoris cum recta EA, vel EC, linea recta, secabitur circulus AMCR, in puncto, per quod parallelus Eclipticæ describendus est; cuius centrum reperietur, si per punctum illud recta circulum AMCR, tangens ducatur, vt propositione 6. Num. 10. demonstratum est.

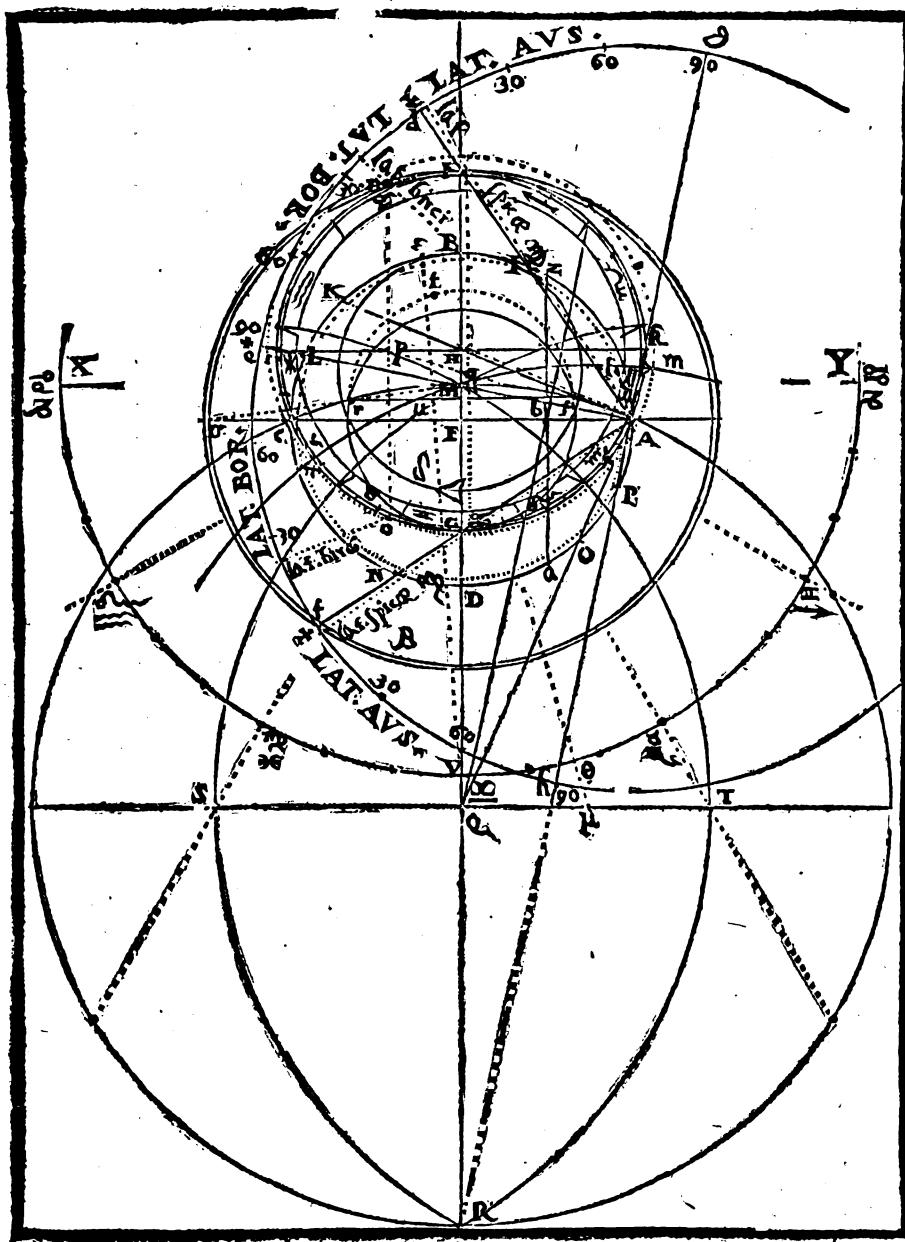
E V N D E M gradum m, longitudinis facilius reperiemus, etiam si neque circulus AMCR, neque parallelus Aequatoris descriptus sit, ex iis, quæ propos. 6. Num. 1 s. tradidimus. Quoniam enim longitudine continet grad. 197. min. 55. si eam ex tribus quadrantibus, hoc est, ex grad. 270. detrahamus, remanebunt grad. 72. min. 5. quibus stella in parallelo Eclipticæ à linea meridiana supra F, versus A, distat. Si ergo a puncto opposito infra G, in oppositam partem versus C, numeremus grad. 72. min. 5. in parallelo eodem Eclipticæ, cadet recta ex fine numerationis per polum M, extensa in punctum quæsumum m; propterea quod arcus parallelus prædicti inter meridianam lineam, & lineam ductam continent tot gradus apparentes, quot æquales continentur in arcu a linea meridiana infra G, versus C, numerato, vt loco citato demonstravimus.

I D E M locus stellæ m, id est, grad. 197, min. 55. longitudinis, reperietur per circulum maximum latitudinis per polos Eclipticæ ductum, hoc modo. Quoniam stella veram longitudinem habet grad. 197. min. 55. hoc est, in grad. 17. minut 55. $\underline{\alpha}$, existit, numerabimus à puncto V, principio $\underline{\alpha}$, versus \underline{m} , in circulo XYV, grad. 17. min. 55. vsque ad θ , & ex M, per θ , rectam extendemus secantem rectam ST, in μ , centro circuli maximi π M m, transeuntis per grad. 17. min. 55. $\underline{\alpha}$, & γ , secantisque Eclipticæ parallelum in m, puncto eiusdem longitudinis.

4. S I T rursus imponenda reti stella, quæ vocatur Hircus, in sinistro humero Aurigæ fulgens, cuius longitudine à prima stella γ , cōtinet grad. 48. min. 20. & vera longitudine à principio γ , grad. 76. min. 15. Latitudo aut, eq; borealis, grad. 22. min. 30. Numerata ergo latitudine a punctis d, & f, versus e, ductisq; per fines numerationum radiis, secabitur FG, in extremitatibus diametri visæ paralleli latitudinis: & si puncta n, o, in quibus radii illi Eclipticam secant, coniungantur linea recta, secabitur diameter ik, Eclipticæ in puncto p, ad quod radius ex A, egrediens dabit q, centrum paralleli δ r s, per stellam transeuntis, & circulum AMC, in r, s, secantis. Describatur præterea parallelus Aequatoris $\alpha\beta$, cuius declinatio sit australis, & æqualis latitudini boreali paralleli δ r s, grad. 22. min. 30. cuius quidem semidiametrum E α , abscindit recta M r, producita. Numerata autem longitudine stellæ ex α , vsque ad β , secabit recta $\mu\beta$, parallelum latitudinis in d, puncto eiusdem longitudinis. In d, ergo locus erit stellæ proposita: quem ita etiam reperiemus. Descripto circa diametrum parallelum latitudinis visam r s, (quæ nimis communem sectionem parallelis, & circuli maximi per polos Eclipticæ, & principia γ , & $\underline{\alpha}$, ducti representat) circulo r t s, numeretur longitudine stellæ ex r, versus veramuis partem vsque ad t, punctum, ex quo ipsi BD, parallelæ acta secet eandem diametrum r s, in u. Recta enim Q u, secabit parallelū latitudinis in duobus punctis δ , e, quorum utrumq; à punto r, abest grad. 76. min. 15. vt propos. 6. Num. 26. demonstratum est, quibus punctum

Facillima inven-
tio puncti longi-
tudinis spissæ Vic-
toriae in parallelo latitudinis ee-
dem.

stellam, quæ di-
citur Hircus, in
reuo disponente.



t, ab eodem punto r, distat. Et quia stella est in boreali medietate Eclipticæ, cum eius longitudo ab γ , minor sit, quam grad. 180. erit punctum δ , in inferiori medietate parallelī latitudinis, quæ ad boream vergit, locus stellæ. Quod si stella quæpiam eandem habuerit latitudinem, eandemque distantiam ab γ , sed contra signorum successionem, ita ut eius vera longitudi contineat grad. 283. min. 45. erit eius locus in puncto ϵ , ad austrum spectante. In hoc porro exemplo laborandum non est, ut locus stellæ per circulum maximum per polos Eclipticæ ductum inquiratur, cum id perincommodum sit, propterea quod eius centrum nimis procul abest in recta ST, à puncto Q, versus T, quippe cum stella longitudinem habeat grad. 76. min. 15. hoc est, in grad. 16. min. 15. **III. cxixat.**

S E D hic quoque sine circulo AMCR, & parallelo-Aequatoris $\alpha \beta$, facilius reperiemus punctum δ , longitudinis stellæ grad. 76. min. 15. Cum enim hæc distantia sumatur ab γ , versus ζ , diffabit eadem stella à ζ , versus γ , grad. 13. min. 45. Si igitur ex parallelo latitudinis δ r et s, à meridiana linea infra polum M, versus r, abscedatur arcus grad. 13. min. 45. terminabitur arcus ille in δ , loco stellæ. Ita autem agemus per ea, quæ propos. 6. Num. 25. scripsimus. Indicto parallelo δ r et s, à linea meridiana supra polum M numerentur versus s, grad. 13. min. 45. Recta enim ex fine numerationis per polum M, extensa secabit prædictum parallelum in δ : propterea quod, ut loco citato ostendimus, arcus parallelī inter lineam ductam, & meridianam infra polum M, tot gradus apparentes continet, quot æquales in arcu opposito inter easdem rectas supra polum M, continentur.

E O D E M prorsus modo quævis alia stella, cuius longitudo, latitudoque notæ sint, in Astrolabio describetur.

S. Q V O D si præ manibus habeantur declinationes, ascensiones rectæ, & mediationes cæli stellarū, quæ in reti imponendæ sunt, collocabuntur in Astrolabio eadem stellæ sine magno labore, hac ratione. Ducta ex centro Astrolabii per gradū Eclipticæ, cù quo stella cælum mediat, hoc est; cù quo ad Meridianū peruenit, vel per finē ascensionis eius rectæ in Aequatore linea recta; vbi eā secabit vel parallelus latitudinis, vel declinationis stellæ, ibi locus erit eiusdem in reti, vel Astrolabio. Sic etiam eiusdem locus erit in puncto, vbi parallelus latitudinis parallelum declinationis intersecabit. Sed prior ratio per stellæ longitudinem, latitudinemque à nobis explicata certior est, cum raro tabule reperiatur, quæ stellarum declinationes, rectæ ascensiones, mediationesque cæli sine errore contineant, longitudines autem carundem à prima stella γ , cum earum latitudinibus eadem semper permaneant; ita ut cognita distantia primæ stellæ γ , a principio γ , omnium aliarum distantiaæ notæ fiant, ut mox dicemus.

Facilius inven-
tio puncti longi-
tudinis in paral-
lelo latitudinis
eisdem.

Stellas fixas redi-
Astrolabii per ea
ram declinatio-
nes, ascensiones
rectæ, & cæli me-
diationes, impo-
nere.

S C H O L I V M.

I. Q V O N I A M præcipuus usus stellarum fixarum in Astrolabijs vulgaribus est, ut per eam nocturno tempore hora inuestigetur, danda opera est, ut in toto ambitu reti aliquot stelle contineantur, eaque quam parsimis, ne multitudine confusione generet; Ita tamen, ut circumducto reti quomodounque, semper una vel altera, cum minimum, supra Horizontem existat: quibus reti impositis, excindenda sunt partes superflue, solumque in eo rotinenda stelle, & Ecliptica in gradus diuisa, in hunc finem, ut quislibet gradus Ecliptica, & cacumen cuiusvis stelle constitui possit in qualibet puncto plani Astrolabij, in quo circuli sphera eundem semper situm obtinentes descripti sunt.

sunt, cuiusmodi sunt Aequator, tropici, Verticalis, Horizon, eiusque parallelo, circuli horarij, & domorum caelstium, &c. qua res industria potius propria ad similitudinem alterius cuiuspiam Astrolabij perficienda erit, quam pluribus verbis inculcanda. Sed Quid in hoc Astrolabio de rebus fixis tradatur.

latitudine quae cogniti inueniri possit, diligenter memoria mandandum est superius nostrum praeceptum de stellis in Astrolabio describendis, ut locus stelle cuiuslibet in plano Astrolabij reperiatur, quando usus ita postulauerit. Nunc autem ut pro horis nocturno tempore explorandis stella necessarie in Astrolabio possint reponi, profosimus hic nonnullarum stellarum longitudines veras, que a principio V, numerantur, hoc est, loca in Zodiaco: Deinde earundem latitudines, declinationes, ascensiones rectas, medianiones denique cali, siue puncta Zodiaci, cum quibus ad Meridianum quemcumque peruenient tam supra Horizontem, quam infra: ubi littera S, latitudinem, declinationemque significat septentrionalem, & littera M, meridionalem. Denique numeri ipsi stellarum praefixa, cuiusnam ipsa sine magnitudinis, denorant. Ceterum longitudines stellarum

TABELLA FIXARVM ALIQUOT STELLARVM ad annum Domini 1600. completum supputata

Magnitudo	Stellarum nomina	Stellarum loca in Zodiaco	Latitudines			Declinationes	Ascensiones rectas	Medianiones cali.	
			G	M	Pars latitudinis			G	M
3	Cornu V. precedens	V 28 5 7 20 S	17	39	S	23	20	V	25 11
2	Caput Medusæ	8 21 5 23 0 S	40	5	S	40	55	8	13 23
1	Oculus 8	H 4 5 5 10 M	15	56	S	63	6	H	5 3
1	Dexter humerus Orionis	H 23 25 17 0 M	6	21	S	82	41	H	24 12
1	Hircus	H 16 25 22 30 S	45	9	S	72	6	H	13 30
1	Canis maior	55 9 5 39 10 M	15	14	M	97	19	55	6 43
2	Lucida Hydræ	Q 21 25 20 30 M	5	4	M	137	19	Q	14 51
1	Cor Q	Q 23 55 0 10 S	13	44	S	146	19	Q	23 59
1	Cauda Q.	Q 19 55 11 10 S	16	26	S	171	49	mp	21 5
1	Spica mp	51 18 5 2 0 M	8	58	M	195	55	51	17 16
1	Arcturus	51 18 25 31 30 S	21	49	S	209	23	51	1 33
2	Cor m	51 4 5 4 0 M	24	57	M	241	16	51	3 19
1	Lyra	50 8 45 62 0 S	38	40	S	275	15	50	4 49
1	Vltima aquæ w	w 28 25 23 0 M	33	24	M	339	56	w	8 17
2	Cauda Cygni	X 6 35 60 0 S	44	8	S	307	22	w	5 0
2	Crus Pegasii	X 23 35 31 0 S	25	44	S	341	1	X	9 26

ex tabulis

ex tabulis Prutenicis diligenter, & accurate supputauimus ad annum 1600. comp. plenum. Deinde ex hisce longitudinibus declinationes, ascensiones rectas, calique mediationes venati sumus per doctrinam suum. Modum, quem tenuimus hac in re, lit. 3. cum in usu Astrolabij ipsisdem de rebus disputabimus, a terrenis, ut quilibet, cum libuerit, calculum nostrum examinare queat. Neque enim ullis tabulis declinationum, ascensionum, mediationum cali, & aliarum rerum, qua ex longis supputationibus pendunt, omnino fidendum puro, cum facile in ijs, nobis non animaduertensibus, error aliquis posse admitti. Atque in hoc nostro calculo ratio habita est semper partis proportionalis in sinibus, & minutis, ut in usu tabulae sinus monui. Sed in nostra tabella negleximus secunda, quando pauciora sunt, quam 30. & pro pluribus quam 30. unum minutum adiecimus. Itaque ut ex declinationibus supponentur ascensiones rectae, non sunt ea accipienda, ut in tabella descripta sunt, sed prout inuenientur sunt per doctrinam sinus, unde cum secundis. Verum hac de re plura lib. 3. scribemus.

2. P O R R O loca stellarum in Zodiaco inuenientur. si longitudinibus earum, quas in nostris commentarijs in sphera ex probatis auctoribus nota sunt, adiiciatur vera praecessio aquinoctiorum, quae ex Prutenicis tabulis ad annum Domini 1600. post correctionem Gregorianam completem supputata continet grad. 28. min. 5. Numerus deinde confatus ex gradibus per 30. dividatur. Quoties enim numerus, quod signa pertransierit stellae, indicabit, reliquis autem numeris gradum signi in sequentis, in quo existit, ostendet, & si apponantur minuta relata, si qua sunt, habebitur verus locus stellae in Zodiaco. Verbi gratia, Prima stella γ , quae est in cornu precedentis, & dextro, nullum habet longitudinem in tabula stellarum fixarum, quam in sphera commentarijs conscripsimus, cum ab ea aliarum longitudines numerentur. Adiecta igitur vera praecessione aquinoctiorum grad. 28. min. 5. sit vera longitudine eius stellae grad. 28. min. 5. Et quia in hac longitudine nullum signum integrum continetur, existet stella prima γ , in grad. 28. min. 5. primi signi, quod est Aries. Rursus Spica β , longitudinem habet grad. 170. min. 0. si addatur grad. 28. min. 5. vera praecessiois aquinoctiorum, sit vera longitudine grad. 198. min. 5. Diuisis grad. 198. per 30. sit quotiens 6. & supersunt 18. Per transiit ergo stella sex hac signa, γ , δ , π , α , β , γ , β , γ , π , existitque in grad. 18. min. 5. proxime sequentis signi ω . Eadem ratio est de ceteris. Quod si numerus confatus ex additione vera praecessiois aquinoctiorum maior fuerit circulo integro grad. 360. reiciendus erit integer circulus grad. 360. antequam fiat diuisio, vel post factam diuisiōem abiciendus integer Zodiacus 12. signorum. Verbi gratia, stella secunda magnitudinis, qua in umbilico Pegasii, & in capite Andromeda existit, longitudinem a prima stella γ , habet grad. 341. min. 10. addita vera praecessione aquinoctiorum grad. 28. min. 5. efficietur summa grad. 369. min. 15. Abieclo in integro circulo grad. 360. relinquentur grad. 9. minuti. 15. primi signi γ , pro loco stelle. Vel diuisa vera longitudine grad. 369. min. 15. per 30. reperiuntur signa 12. grad. 9. min. 15. Reiectis ergo 12 signis, reperiuntur idem locus stellae in grad. 9. min. 15. γ . Hac autem praecessio aquinoctiorum grad. 28. min. 5. retineri potest pro pluribus annis annum 1600. in sequentiis, quod propter tarditatem motus stellarum ab occasu in ortum non tam cito loca in Zodiaco mutare dignoscantur. Qui tamen exquisita earum loca desiderat, si vera aquinoctiorum praecessio invenienda erit, cum minutum pro singulis 20. annis, & pro eiusdem iterum declinationes stellarum, ascensiones rectae, ac mediationes cali supputanda. Has enim mutari necesse est, mutatis stellarum locis in Zodiaco.

S E D ut in hac parte studioſos molestia calculandi veram praecessionem aquinoctiorum leuaretur, supputauimus sequentem tabellā, ex qua cuiusque anni à principio Olympiadum, quod incidit in annum 774. ante Christum Domini, usque ad annum 3000. post Christum, praecessio vera aquinoctiorū faciliſſimo negotio eruerit. Nam

Loca Stellarum ex Zodiaco reperiit ex eius longitudinibus.

Præcessione vero aquinoctiorum ex tabulis ad plurimos annos eliceris,

Si annus propositus in tabella reperitur, apparebit illico è regione illius vera equinoctiorum præcessio in gradibus, ac minutis. Positi sunt autem in tabella anni centesimi, nisi quando, ob insignem memoriam alicuius rei, anni nonnulli inter centesimos intercidit: Cuiusmodi sunt anni, quibus vel insigne Astronomi floruerunt, vel à quibus, vel loci radicibus, motus cœlestes Astronomi suppitarunt: quale est tempus Nabonassari regis, qui & Nabuchodonosor, vel Salmanassar, à quo Ptolemaeus motus suppitanit. Quod si annus datus in tabella non reperiatur, accipienda est differentia inter duas vias præcessiones proximorum duorum annorum, quorum unus minor est anno proposito, & alter maior, una cum differentia horum annorum. Nam si sit, ut differentia horum annorum ad differentiam præcessionum, ita differentia inter alterum eorum annorum, & annum propositum, ad alium, reperiatur differentia præcessionis addenda præcessionei minoris anni tabella, si differentia inter illum annum, & annum propositum adhuc est; vel auferenda à præcessionei majoris anni, si accepta est differentia inter illum & annum datum. Hac enim ratione exquisitè satis præcessio cuiusque anni inuenietur, non secus, ac si per tabulas Prutenicas erueretur, & solum differentia aliquando erit in paucis quibusdam Secundis, qua merito negligi possunt. Verbi gratia. Quarenda sit vera equinoctiorum præcessio ad annum 880. quo Albategnius floruit. Detrahatur præcessio anni 800. grad. 16. min. 44. ex præcessione anni 900. grad. 18. min. 33. & sic, ut 100. anni ad præcessionum differentiam grad. 1. min. 49. ita anni 80. (differentia annorum 800. & 880.) ad aliud, reperiaturque grad. 1. min. 27. Siigitur addatur grad. 1. min. 27. ad grad. 16. min. 44. (præcessionei anni 880.) fieri præcessio grad. 18. min. 11. fere pro anno 880. vel sic, ut 100. anni ad præcessionum differentiam grad. 1. min. 49. ita anni 20. (differentia annorum 880. & 900.) ad aliud, reperiatur pars proportionalis min. 22. ferme congruens illo tempore anni 20. qua ablata ex grad. 18. min. 33. (præcessionei anni 900.) reliquam facies præcessionei anni 880. grad. 18. min. 11. ut prius. Eadem ratio est de ceteris. Annii autem huius tabella intelligendi sunt completi, atque integrati post Christum, quam ante: Et cuiusque præcessio sumi potest proradicis præcessionis sequentium annorum. Ut si quis præcessionei ex tabulis Prutenicis vollet supplicare ad annum 1638. eruere posset præcessionei pro 38. annis, & ei adjicere præcessionei anni 1600. huius tabella, tanquam radicem.

TABELLA PRAECESSIONIS AEQVINOCITIORVM.

TEMPVS	Annī ante Christum	Præcessio S G M	TEMPVS	Annī post Christū	Præcessio G M	Annī post Christum	Præcessio G M
Ab Olympiadibus	774	5 54 44		400	9 56	1600	28 6
Ab Vrbe condita	750	5 55 46		500	11 28	1700	29 3
A Nabonassaro	746	5 55 50		600	13 8	1800	30 3
Telaletis	637	5 57 40		700	14 54	1900	31 7
Metonis	431	0 0 41		800	16 44	2000	32 19
A morte Alexætri	324	0 1 59	Albategnij	880	18 11	2100	33 39
Timocharis	292	0 2 21		900	18 33	2200	35 0
Hipparchi	126	0 4 3		1000	20 18	2300	36 48
Iulij Cæsaris	45	0 4 50		1100	21 58	2400	38 34
CHRISTI	Post 0 0 5 32			1200	23 28	2500	40 23
Menelai	Chri- stum. 100	0 6 16	Alphōsi Reg.	1251	24 11	2600	42 12
Ptolemæi	138	0 6 40		1300	24 49	2700	43 59
	200	0 7 21		1400	26 1	2800	45 39
	300	0 8 34	(annī Correctionis)	1500	27 6	2900	47 11
Concilij Nicæni	325	0 8 44		1582	27 55	3000	48 34

PROBL. IX. PROPOS. XII.

C I R C U L U M quemlibet maximum, cuius positio, ac situs in sphæra non ignoretur, eiusq; parallelos, ac Verticales in Astrolabio describere.

1. S I T in Astrolabio, cuius centrū E, Aequator ABCD; Horizon AFCG; & Verticalis AHCI: (In his, quæ sequuntur, magno usui erit, si in plano aliquo vel charta, descripti sint potissimum circuli sphæræ, tanguam in Astrolabio, cùsmodi sunt Aequator, Ecliptica, Horizon, & Verticalis primarius propositæ regionis, & duo tropici; in hunc finem, vt corum cuiuslibet magnitudinem, & situm in promptu habeamus.) Sitque propositum, vt circulus maximus describatur, secans Horizontem in punto, quod ab ortu æquinoctiali C, versus austrum F, absit grad. 30. ac proinde totidem gradibus ab occasu æquinoctiali A, versus boream G; at vero Meridianum in punto, quod supra Horizontem ab Aequatore in austrum vergat grad. 24. quod sic fieri. Inuenio puncto N, in Horizonte, quod à C grad. 30. distet: Iten: puncto P, quod totidem gradibus ab A, recessat, illud in austrum, & hoc in boream; quæ puncta hic invenia sunt per rectas HM, HO, quæ auferunt ex Aequatore arcus CM, AO, grad. 30. vt propos. 5. Num. 17. ostensum est. Satis autem est, inuenisse alterum punctorum N, & P. Nam recta ex eo per centrum E, ducta exhibebit alterum, cum illa puncta per diametrum opponantur. Deinde in meridiana linea quadratur punctum R, distans à B, grad. 24. quod het, si arcus sumatur BQ, in Aequatore grad. 24. & recta ducatur AQ, secans meridianam in R. Quod si arcus BQ, sumatur æqualis oppositus DS, dabit recta AS, in eadem meridiana punctum T, puncto R, oppositum, vt ex his liquet, quæ propos. 6. Num. 13. demonstrauimus. Et quia circulus maximus in sphæra transit per duo puncta opposita, habebimus quatuor puncta N, R, P, T, per quæ circulus maximus propositus describendus est. Inuenio ergo V, centro trium quorumlibet punctorum, quod quidem est in concursu duarum perpendicularium rectas NP, RT, bisariam secantium, ex coroll. propos. 1. lib. 3. Eucl. erit circulus NRPT, ex V, descriptus, per tria illa puncta, qui omnino & per quartum incedet, maximus ille, quem describere iussi sumus, cum transeat per puncta Horizontis, ac Meridiani proposita, quæ quidem per diametrum opponuntur. Atque hac ratione per duo quæcunque puncta data, unum in uno circulo maximo, & alterum in alio circulo maximo, circulum maximum describemus, si eis opposita puncta inuestigentur, vt quatuor puncta habeantur, per quæ describendus est. Ut si in Horizonte detur punctum N, in Meridiano punctum R, inquremus eis puncta opposita P, T, &c. Quod si ea puncta non affiguntur, sed eorum gradus duntaxat exprimantur, nimirum in Horizonte grad. 30 ab ortu in austrum, & in Meridiano grad. 24 ab Aequatore in austrum, inuestigandi erunt illi gradus, puncta videlicet N, R, ut paulo ante fatus est.

2. Q V O D si describendus sit circulus maximus referens planum aliquod declinans à meridie, verbi gratia, in occasum grad. 30. & ad Horizontem inclinatum grad. 26. ex parte australi, (quo pacto augem culusque plani declinatio-

Circulum max-
imum per duo punc-
ta, quorum una
in Horizonte, &
alterum in Meri-
diano datum sit,
vel per gradus
precisione, in Astro-
labio describendus

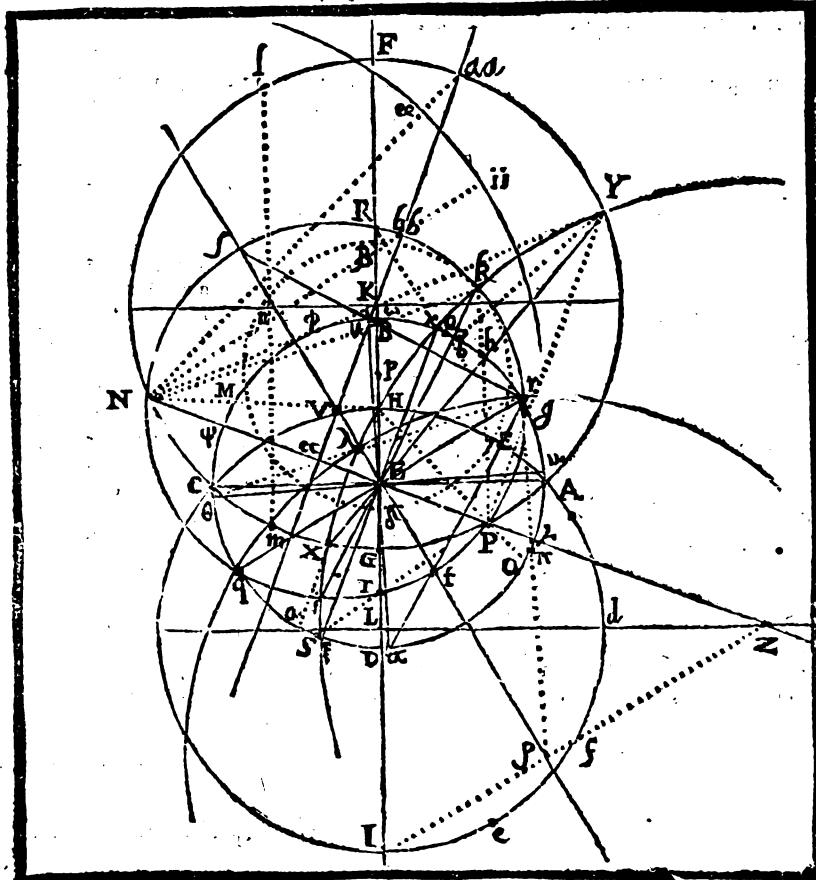
Per duo puncta,
quorum unum in
circulo aliquo maximo
Astrolabii,
& alterum in alio
quopiam circulo
maximo sit dato,
vel per gradus ex
precisione, circulum
maximum decri-
bere.

Circulum maxi-
mum, cuius decli-
natio à Verticali
& inclinatio ad
Horizontem no-
ta sit, in Astro-
labio

*bis defertur, ut inclinatio reperatur, in Gnomonica lib. 1. propos. 23. doculmus.) secabile
nach Verticalis rursum ille circulus Horizontem in punctis H, P, quorum illud ab ortu in au-
mentis.*

*strum, hoc vero ab occasu in boream vergit: quae quidem reperiuntur, ut prius;
eruntque poli Verticalis circuli per polos Horizontis, & dati circuli transen-
is, inclinationemq; eius ad Horizontem metentis. Cum n. hic Verticalis rectus
est debeat & ad Horizontem, & ad circulum datum; & transibit per utriusque*

q. 13. 1. The.



*polos, ac proinde vicissim uterque per illius polos transibit, ex scholio propos.
15. lib. 1. Theod. Ideoque puncta N, P, vbi se intersectant, poli ipsius erunt. Ec-*

*qua poli quadrante maximi circuli absunt a maximo suo circulo, ex coroll. pro-
pos. 16. lib. 1. Theod. si inueniantur in Horizonte puncta X, Y. grad. 90. distan-
tia à polis N, P, vel quod idem est, grad. 30. à punctis G, F: quod fieri per rectas
ex H, ductas per puncta Aequatoris a, b, quae 30. grad. à punctis D, B, ab-
fingunt.*

*Verticalis qui
propositi circuli
inclinacionem ad
Horizontem me-
dias, defertur.*

Sunt; describendus erit Verticalis dictus per puncta X, H, Y, ex centro Z, quod in recta LZ, ad meridianam lineam in L, centro primarii Verticalis perpendiculari, hoc modo reperiatur. Quoniam ille Verticalis a primario ab ortu in boream, vel ab occasu in austro grad. 60. recedit, sumemus arcum de, in Verticali, grad. 60. & arcum I e, duplicabimus usque ad f: Vel ab H, sumemus arcum 6. grad. duplicatum usque ad f. Nam recta I f, secabit LZ, in Z, centro Verticalis dati, ut propos. 8. Num. 10. traditum est. Idem centrum Z, exhibet recta NP, producta, propterea quod poli illius Verticalis, & centrum in eadem recta NP, per centrum, & polos ipsius ducta existit, vt in eadem propos. 8. Num. 19. ostensum est. Descripto autem Verticali XHY, si ex eo absindatur arcus Yk, grad. 26. vt propos. 5. Num. 17. traditum est, habebimus tria puncta N, k, P, per quae propositus circulus describendus est, qui necessario transibit per quartum punctum i, puncto k, per diametrum i Ek, oppositum. Sic autem arcum Yk, grad. 26. auferemus. Ducta ex P, polo Verticalis XHY, ad Y, recta PY, secante Aequatorem in g, accipiatur arcus gh, grad. 26. Nam recta Ph, absindet quiescens arcum Yk, grad. 26. Aut ex altero polo N, ducatur recta NY, secans vel tangens Aequatorem in φ. (In hoc exemplo tangent, & non secant, ac proinde & Verticalem tangent in Y, vt in scholio propos. 5. Num. 15. monstratum est) sumaturque arcus φω, grad. 26. Recta enim Nω, dabit idem punctum k. Vbi cernis arcus Aequatoris γg. & φ, idem punctum Y, exhibentes esse aequales, ab oppositis Aequatoris punctis inchoatos. Item arcus γh, & ω; nec non & tam arcus κg, κφ, κh, κω, aequales esse, quorum principium in eadem sectione κ, exigit, ipsi autem in contrarias partes tendunt. Id, quod propos. 5. Num. 23. observandum esse monuimus. Vel certe describatur parallelus Horizontis βς, grad. 26. ab Horizonte distans hoc modo. Sumpsis duobus arcubus Fl, Gm, grad. 26. ducatur recta lm, secans diametrum Horizontis Kn, in n. Iunctis namque rectis Al, Am, An, sic tantibus meridianam in β, δ, p, erit βδ, diameter eius paralleli, & p, centrum, vt ex iis constat, quae propos. 6. Num. 6. demonstrauimus. Parallelus ergo ex p, per β, δ, descriptus secabit Verticalē XHY, in k, puncto, quod arcum Yk, grad. 26. auferit. Immo si describatur parallelus βς, atque in eo ex puncto ε, numerentur grad. 60. vt propos. 6. Num. 22. docutmus, usque ad k, inventum erit punctum k, per quod circulus maximus propositus transire debet, etiam si Verticalis XHY, descriptus non sit. Quae quidem ratio commodissima est, quando Verticalis ille parum à Meridiano distat, ac proinde difficilis admodum eius redditur descriptio, propter nimiam distantiam eius centri in recta LZ, à puncto L. Ad finem quoque scholii propos. 15. reperies facillimam, pulcherrimamque praxim, qua sine Verticali, & parallelo Horizontis tertium punctum bb, inueniatur, per quod circulus propositus describendus sit. Necesse est autem, si erratum non est, puncta q, r, vbi circulus maximus descriptus Aequatorem secat, per diametrum esse opposita, hoc est, rectam q r, per centrum E, transire; propterea quod maximi circuli in sphera se mutuo bisariam secant: quod erat in scholio propos. 5. Num. 6. monuimus. Hinc enim fit, vt omnes circuli in Astrolabio quomodounque per duo puncta per diametrum opposita descripti, quia sunt in propulo exemplo puncta N, P, & R, T, secant Aequatorem bisariam, cum circulos sphæræ maximos referant. Qua de re plura in scholio huiusc propositionis scribemus.

3. VT autem parallelos huius circuli maximi descripti NRPT, describamus, inuenienda est vera eius diameter in Aequatore, tanquam Meridiano Analogematis, vt propos. 8. Num. 16. precepimus, hoc nimirum modo. Per E, centrum

Arcum data inclinacione ex dicto pro Verticali inclinatio & propositi circuli meante fabricanda.

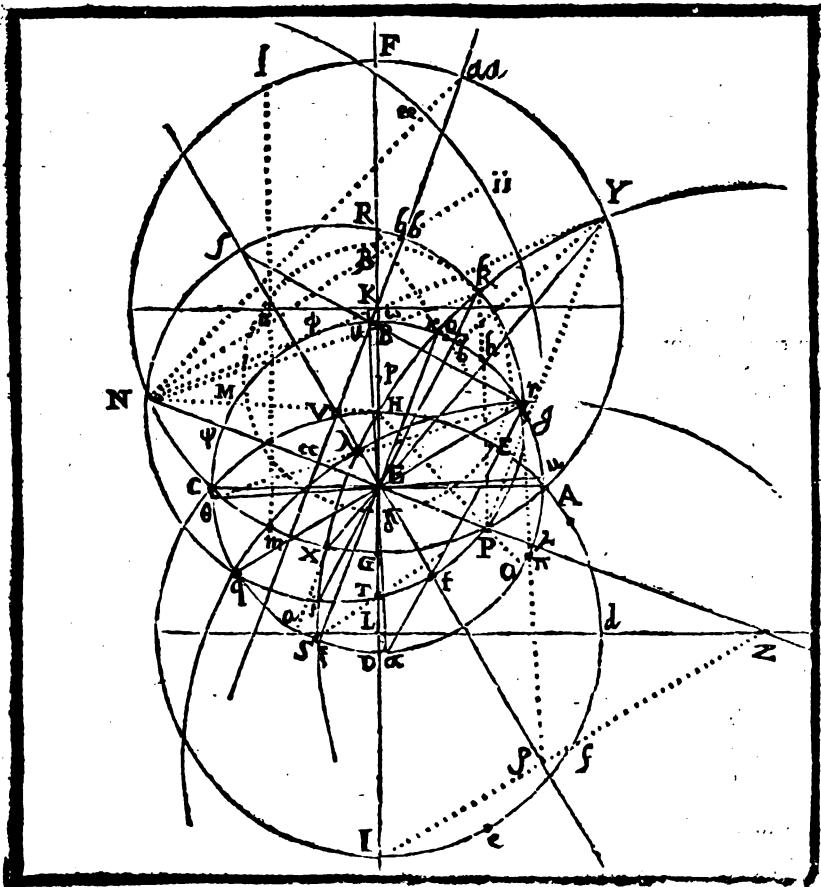
Circulus ennde maximus, causa declinatio a Verticali, & inclinatio ad Horizontem nota sit in Astrolabio describenda, beneficio paralleli Horizontis, siue Veit. cali veli natiorem metuere.

Commoditas posteriores huius descriptionis.

Circulus ennde maximus faciliter in praxi per descriptionem scholii propos. 15. describere.

a 1 E. i. Thes. Omnes circulos in Astrolabio per duo puncta per diametrum opposita descripti secare Aequatorem bisariam.

a 3 perrisi
 Diametrum verum circulum descripsi, ducatur recta s. t. a qua ad q. r. In circulo NRPT, existentem, quam in E, bisariaz d. uidit, e centrum V. veniens perpendicularis erit, referetque communem sectionem Astrolabii, Aequatoris, & Meridiani proprii eiusdem circuli maximi, ut in Scholio propos. 3. Num. 4. dictum est. Deinde ex r. tamquam in polo australi per s. t. extremitates diametri maxime visa egredientes rectae secant Aequatorē in u. & Recta enim u. a, vera dia-



meter erit dicti circuli maximi in sphera, ita ut r. u. sit altitudo poli supra eundem. Et si ducatur alia diameter $\theta\mu$, ad u. a. perpendicularis, erit ea axis eiusdem circuli, & proprietas poli θ , μ , quorum θ , in λ , apparebit, quo omnia propositione 8. Num. 16. & 17. demonstrata sunt. Vides ergo, Verticalem XHY, transire per λ , polum circuli NRPT, quemadmodum & hic per N.P. polos illius Verticalis ducitur, ut vult theor. 1. scholii propos. 15. lib. 1. Theod. Itaque si vera diametro u. a, parallela agantur per singulos gradus Aequatoris, vel ipsa

Parallelos definiuntur circuli maximi in Astrolabio describere.

vel ipsi st, parallelae ducantur per singulos gradus circuli NRPT, & ex r, per earum extrema radij ejciantur, secabitur recta st, in extremitis punctis diametrorum visarum, & recta ex r, ad intersectiones parallelarum ipsius st, cum diametro circuli NRPT, secante ipsam st, ad angulos rectos, in eadem st, indicabunt centra parallelorum, ut propos. 6. Num. 6. de parallelis Horizontis diximus.

4. VERTICALES denique eiusdem huius circuli NRPT, tanquam Horizontis, non aliter describentur, ac Verticales Horizontis, de quibus propos. 8. dictum est. Primarius enim erit qar, cuius centrū p, in recta st, reperitur, si arcuī μ , æqualis fiat $M\pi$, & recta r π , ducatur, vel arcui qz, sumatur æqualis $\alpha\pi$, ut propos. 5. Num. 4. demonstratum est. Centra autem aliorum Verticallium reperientur in recta per p, ad sp, perpendiculari, quemadmodum propos. 8. præcepimus.

HABET autem propositio hæc usum eximium præter alios, in re Gnomonica. Nam per eam inuenientur altitudines Solis, & latitudines umbrarum, tunc circumferentiaz horizontales, atque arcus horarij, in circulo maximo proposto, ad singulas horas, in qualibet regione, ubiqueq; Sol existat in Zodiaco: si prius illius plant, in quo horologium describendum est, declinatio à Verticallis, & ad Horizontem inclinatio, inueniantur, ex propos. 23. lib. 1. nostræ Gnomonices; & in Astrolabio circulus maximus, per hanc propos. describatur, referens maximum in sphera circulum, cui planum horologij æquidistat; ac tandem eiusdem circuli describantur paralleli, & Verticales, ut hoc loco diximus. Sed hæc plantiora sicut lib. 3. Can. 16. & 21.

Verticales circuli maximi descripsi, tanquam Horizontes certam placit, describentes.

Vitiosa hæc propositio.

S C H O L I V M.

i. Q VONIAM & in hac propos. Num. 3. & propos. 8. Num. 16. & in schola propos. 5. Num. 6. traditum est, omnes circulos maximos in Astrolabio dividere Aequatorem bifarium, placuisse hoc ipsum alter, & Geometricè demonstrare propositiones Theorematem.

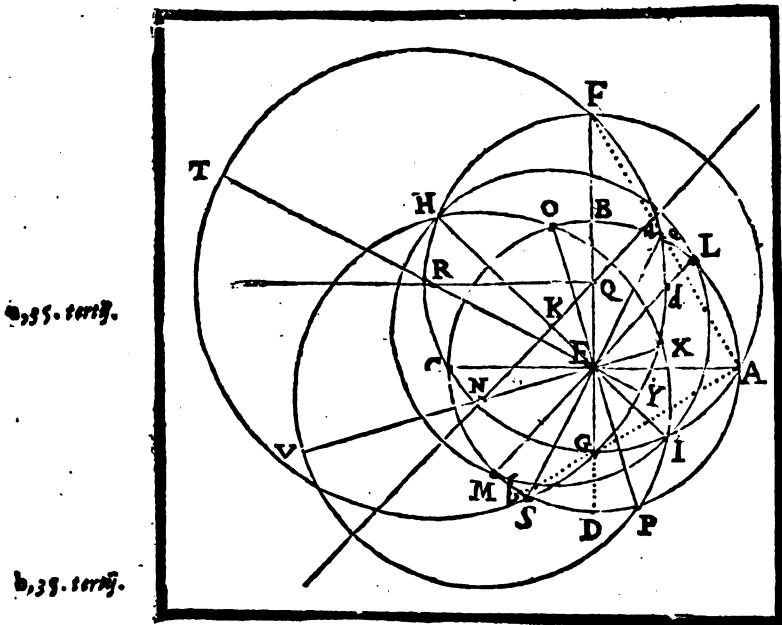
SI circulum datū aliis circulus bifarium, hoc est, in punctis oppositis fecerit, & in hoc recta utcunque accommodetur per centrum dati circuli transiens: secabunt omnes circuli per extrema puncta huius rectæ descripti datum quoq; circulum bifarium.

Si in circulo datus datum circulum bifarium secummodetur recta per centrum dati circuli, secabunt omnes circuli per extrema illius rectæ etiam secantes eundem quoq; datum circulum bifarium.

SIT datus circulus ABCD, cuius centrum E, sectus à circulo AFCG, cuius centrum Q, bifarium in A, & C, applicetur, per centrum E, recta quoniam dectnugus HI, in circulo AFCG, non per eius centrum Q, transiens, & per H, s. circuli descriptam, ut liber, HLM, HOPV. Dico eos datus circulum ABCD, bifarium secare in punctis L, M, & O, P. Sit enim primum in recta HI, centrum K, circuli prioris HLM, & per centrum E, ad HI, exciceatur perpendicularis LM, secans circulum datur in punctis L, M, per qua dico circulum HLM, manifire. Tunc a enim diametro dati circuli AC, (cum datus circulus positus sit bifarium in A, C, secari à circulo AFCG.) quoniam recta HI, AC, secutus sumus in E; erit rectangulum sub HE, a 35. tert. EI, rectangulo sub AE, EC, hoc est, quadrato recta AE, vel recta LE, æquale. Cum ergo LE, sit ad HI, perpendicularis, transibit per lemniscam 16. semicirculus HLI, per L; atque eandem ob causam & per M, semicirculus MLI, transibit. Secas ergo circulus

circulus H LIM, darum circulum in punctis L, M, per diametrum LM, oppositus, id est, bisarum, quod est propositum.

D E I N D E sit N , censum posterioris circuli **HOPV**, extra rectam applicatam. **H I**, ducatur \acute{e} eius diameter **VX**, per **E**, censem datu*m* circuli, ad quam ducatur dia-



*E*angulum sub $V E$, EX ; qd recte HI . VX , se mutnd quoq; secant in E , in circulo $HOPV$, per H , I , descripto. Igitur & quadratum recte OE , recte angulo sub VE , EX , aquale erit. Cum ergo OE , ad VX , sit perpendicularis, transibit, per Lemma 16 semicirculus VOX , per O ; & eandem ob causam semicirculus VPX , per P . Circulus igitur $HOPV$, datum circulum secat in punctis O , P , per diametrum OP , oppositis, eodq; bifariam, quod est propositum.

QUOD si in circulo $AFCG$, applicata sit recta FG , per eius centrum Q , & per E , centrum dati circuli transiens, ac per F, G , circulus, ut liber, describarur $FAYS$, ex centro R , secans circulum datum in a, S . disco rursus, datum circulum in a, S , dissecandi bisariam. Dicitur namque diametro circuli descripti TY , per centrum E , dati circulis, & ad eam exciseata diametro dati circuli perpendiculari a S , demonstrabimus eodem modo, circulum $FAYS$, transfire per a, S . Quoniam enim recta FG, AC , in circulo $AFCG$, se mutuo secant in E ; erit rectangulum sub FE, EG , rectangulo sub AE, EC , hoc est, quadrato recte AE , vel AE , aequali.^o Sed rectangulo sub FE , EG , auale est rectangulum sub FE . FE quidem a AE, FG, TY , in circulo $FAYS$, per F, G , descripto se mutuo quoque secant in E . Igitur & quadratum recte AE ; rectangu-
lo sub FE, EG , auale erit. Cum ergo AE , ad TY , perpendicularis sit, transitib per
Lemma 16. semicirculus TAY per a ; tandemq; ob causam semicirculus TSY , per S .

Circulus igitur F a Y S , datum circulum secat in punctis a, S , per diametrum a S .

oppositis , atque idcirco bifariam . quod est propositum .

2. ET quoniam omnes maximi circuli ducuntur per duo aliqua puncta per diametrum opposita , recta autem duo huiusmodi puncta connectens , diameter est alterius circuli maximi obliqui Aequatorem bifariam secantis ; (qui madmodum enim Horizon , Verticalis , Ecliptica quo Aequatorem secant bifariam , propereat quod puncta extrema in diametro visa caiuslibet eorum representantur : duo puncta in sphera per diametrum opposita , ut in scholio propositionis 3. Num. 1. & 3. ostendimus : ita quoque circulus circa quamcunque rectam duo puncta per diametrum opposita iungentem ex medio eius puncto descripius , eundem Aequatorem bifariam dividit , ut in eadem scholio Num. 3. demonstratum est .) efficitur ex theoremate huius scholij . omnes maximos circulos in Astrolabio , cum per eiusmodi duo puncta per diametrum opposita describantur , Aequatorem bifariam secare , non secus atque in celo contingit . Ex quo sequitur , omnes Verticales , circulos positionum , circulos horarios , & circulos maximos , qui per polos Ecliptica ducuntur , Aequatorem secare in punctis per diametrum oppositus . Id quod supra proprijs in locis ostensum quoque suit .

PROBL. X. PROPOS. XIII.

PER data duo puncta in Astrolabio , vel per vnum solum , circulum maximum describere .

1. HOC idem , quod ad duo puncta attinet , demonstrat Theodosius lib. 1. propos. 20. differtque propositio hæc à precedentibus , quod in hac 13. non datur situs , ac positio circuli describendi . aut duo puncta in duobus circulis maximis , sicut in illa 12. sed solum duo puncta assignantur quomodoquaque . Concipiatur ergo in precedentibus scholij figura Aequator Astrolabii scilicet A B C D , & data puncta F, d , per quæ circulus maximus describendus est . Inuenito alteri eorum , nimirum ipsi F , puncto per diametrum opposito G , per ea , quæ propos. 6. Num. 13. demonstrauimus , (quod quidem fiet , si ad rectam ex F , per centrum E , ductam erigatur perpendicularis EA , in centro E , & ad iunctam rectam AF , excitetur perpendicularis AG , quæ nullo negocio ducetur , si arcui Be , quem recta AF , abscondit in Aequatore , equalis sumatur oppositus Db , rectaque ne- & tur Ab , faciens in semicirculo e A b , angulum rectum ad A . Vel si ducta ad FD , diametro perpendiculari AC , in Aequatore , circa tria puncta A , F , C , circulus describatur , centrum Q , habens in FD . hic enim abscondit punctum G , puncto F , oppositum .) describatur circulus Fd G , per tria puncta F , d , G , centrum R , habens in recta QR , ad rectam FG , perpendiculari in medio puncto Q . Hic enim maximus erit , cum per puncta opposita F , G , transeat , secabitque Aequatorem bifariam in a , S . ut in scholio precedentibus propos. ostendimus .

2. Quando alterum punctorum datum fuerit in circumferentia Aequatoris , absolvetur problema , si in Aequatore accipiatur aliud punctum oppositum , & per tria puncta , quorum duo sunt in Aequatore opposita , tertium autem datum , circulus describatur . Ut si data sint duo puncta F , a , ducta diametro Aequatoris a S , describemus per tria puncta F , a , S , circulum FaS .

3. QVOD si duo data puncta iaceant in linea recta cù E , centro Aequatoris , vt

*Omnes circulos
in Astrolabio ma-
ximos ducent
Aequatorem bi-
fariam .*

*Per duo puncta
quoniamque
in Astrolabio da-
ta maximum cir-
culum describere*

a , 3 , 1 . tertij .

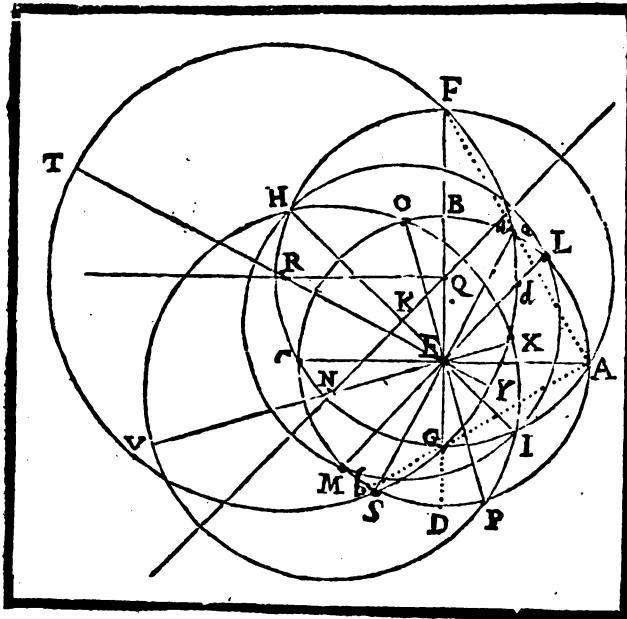
*Per duo puncta ,
quorum unum in
Aequatore , cir-
cumferentia duc-
bit , circulum ma-
ximum destrans*

Per duo puncta, quae sunt in eadē rectā per centrum Aequatorib⁹ ducta, circulum maximum describere.

puncta data sint F, B, vel F, G, referet ipsa recta FB, vel FG, in infinitum extensa maximum circulum per polos mundi ductum, ut constat ex propos. 1. Neque per duo illa puncta alius circulus maximus describi poterit, nisi per diametrum lineæ opposita, qualia sunt F, G. Tunc enim non solum recta FG, in infinitū extensa maximum circulum referet per ea puncta ductum, sed etiam per eadem infiniti alii circuli maximi describi poterunt, cuiusmodi sunt FAGC, & FYGT, ex centris Q, R, descripti: quorum omnium centra erunt in recta QR, secante FG, bifariam, & ad angulos rectos, ut constat ex coroll. propos. 1. lib. 3. Eucl.

Per duo puncta in circumferentia Aequatoris data, circulum maximum describere.

4. & V R S V S si data puncta sint in Aequator: circumferentia, ut B, L, erit ipsemet Aequator, maximus circulus per ea ductus, & nullus alius per eadem illa puncta poterit describi, nisi quando per diametrum opponuntur. Ut &



Data puncta sint O, P, describi poterunt per O, P, præter Aequatorē, infiniti alii circuli maximi, cuiusmodi est OHVP: quemadmodum paulo ante de punctis op̄positis extra circumferentia Aequatoris diximus. Omnia autem centra erunt in recta EN, ad OP, perpendiculari, ut constat ex coroll. propos. 1. lib. 3. Eucl.

Per datum quodvis punctum in Aequatorib⁹, quodvis ei ceteris maximos describere.

5. I AM si per unum datum punctum circulus sit describendus, fieri id dicto citius, si per punctum datum, & duo alia quæcunque in Aequatore per diametrum opposita circulus describatur. Ex quo efficitur, per quodvis datum punctum, infinitos maximos circulos describi posse, cum infinitis modis accipi possint in Aequatore duo puncta opposita. Ita vides per punctum H, tres maximos circulos HOP, HLM, HAC, descriptos esse, cum tam puncta O, P, quam L, M, &c

L, M, & A, C, sunt per diametrum opposita in Aequatore.

6. D E N I Q U E si dentur duo puncta per diametrum opposita, describi poterant per ea infiniti circuli maximi, quorum omnium centra existunt in recta rectam illa puncta coniungentem secante bifariam, & ad angulos rectos. Ut in eadem figura per puncta H, I, opposita per diametrum descripti sunt tres circuli maximi HCIF, HMIL, HVIO, quorum centra sunt in recta NQ, secante rectam HI, bifariam, & ad angulos rectos in K, ut constat ex coroll. propos. 1. lib. 3. Eucl. Atque ita infiniti alii circuli maximi per eadem puncta poterunt describi ex assumptione alii centris in recta NQ. Hoc obiter etiam asseruimus paulo ante ad finem Num. 3. & 4.

Per duo puncta
per diametrum
opposita, quoniam
circulus maxi-
mum describitur.

P R O B L . X I . P R O P O S . X I I I I .

D A T I S duobus punctis in Astrolabio per quadratum maximi circuli inter se distantibus, per alterutrum eorum circulum maximum describere, cuius alterum punctum sit polus: Item dato quolibet punto, maximum circulum describere, cuius polus sit datum illud punctum: Atque insuper circulum non maximum, cuius distantia ab eo polo data sit.

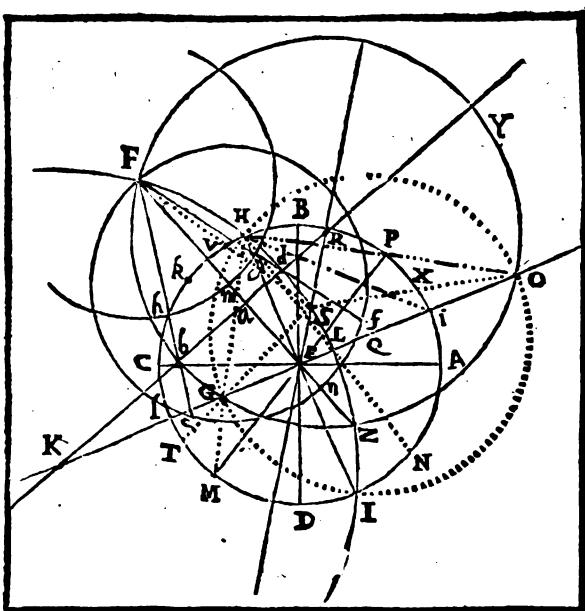
1. IN Astrolabio, cuius Aequator ABCD, circa centrum E, & in quo due diametri AC, BD, sese ad rectos angulos fecent, quarum illa Horizontem rectum, hac vero Meridianum referat, sint data primum duo puncta F, G, quorum unum ab altero absit quadrante circuli maximi, sitque per F, describendus circulus maximus, cuius polus G. Ducatur per G, polum circuli describendi, & E, centrum Astrolabii recta HE, quam ad rectos angulos fecet diameter HI, describaturque per tria puncta F, H, I, ex centro K. (quod, ex coroll. propos. 1. lib. 3. Eucl. necessario in recta GE, existit, ob angulos rectos in centro E.) circulus FHL, secans rectam GE, in L, qui per ea, quae in scholio propos. 4. Num. 9. demonstrauimus, maximus est, cum Aequatorem in H, I, bifariam fecet. Dico eius polum esse G, si verum est, G, ab F, abesse quadrante circuli maximi, ac proinde posse esse polum alicuius circuli maximi per F, ducti, ut positum est. Non iam enim circulus maximus per rectam KL, representatus transit per G, polum alicuius maximi circuli per F, ducti, transibit viciissim circulus ille maximus per F, ductus, cuius polus G, per polum circuli maximi, quem recta KL, representat, ex scholio prop. 15. lib. 1. Theod. Cum ergo H, sit polus circuli KL, cum ab eo aequaliter, & per quadrantes HI, H i, distet, erit FHIL, circulus ille maximus per F, ductus, cuius polus G. Nam alii circuli maximi per F, ducti, & a circulo FHIL, diversi, non transeunt per H, I, polos circuli KL, quod tamen necessarium esse diximus, ex scholio prop. 15. lib. 1. Theod. Si G, polus est alicuius circuli per F, ducti.

Dato duabus pa-
rti quadrati ma-
ximi circuli in-
ter se distantibus,
per alter utrius co-
rum maximum
circulum descri-
bere, cuius altera
punctum sit po-
lus.

V T autem videoas, quam apte huc consentiant iis, quae demonstrata sunt, ducantur ex H, polo circuli KL, per G, L, radij HM, HN. Si enim G, polus est circuli FHIL, necesse est GL, esse circuli quadrantem, hoc est, arcum Aequatoris MN,

S I S cui

eui arcus GL, respondet, quadrantem esse. Item si per puncta F, G, per præcedentem propos. maximus circulus describatur FGO, quod quidem sic fieri. Reperiatur punctum O, puncto G oppositum vel per circulum GHOI, per tria puncta H, G, I, ex centro Q, descriptum, vel per angulum rectum MHO cum ducta recta HM ad H, constitutum, qui dicto citius construetur, si diameter ducatur MP, rectaque HP, emitteatur secans GL, in O. Deinde per tria puncta F, G, O, ex centro R, circulus describatur.) Necesse est arcum FG, quadrantem esse, quod sic experieris. Ducta per E, centrum Astrolabii, & R, centrum circuli FGO, recta ER, secante circulum FHI, in S, erit S, polus circuli FGO. Nam cum FGO, ponatur transire per G, polum circuli FHI, transibit ex scholio propos. 14. lib. 1. Theod. viciissim FHI per polos circuli FGO. Cum ergo huius polus sit in recta ER, ut propos. 8. Num. 19. ostensum est, erit S, eius polus. Igitur si FG, quadrans est, necesse est, radios SG, SF, ex Aequatore absindere quadrantem IV.



¶. NON est autem necesse, circulum per datum punctum F, descriptum ambire alterum punctum datum, quod polus esse debet, ita ut polus intra circulum descriptum, cuius est polus, continetur, cum semper in Astrolabio unus polus sit intra circulum, cuius est polus. & alter extra, ut patet in Horizonte, eiusque parallelis. Nam si alterum punctum datum sit O, ducta recta OE, excitataque perpendiculari ad eam HI, erit circulus FHI, maximus, cuius polus est O, quem non ambit. Quoniam enim circulus maximus, quem recta OE refert, transit per O, polum alicuius maximus circuli per F, ducti, ex hypothesi, transibit ex scholio propos. 15. lib. 1. Theod. viciissim circulus ille maximus per F, ductus, cuius polus O, per polos circuli maximi OE, hoc est, per H, I. Circulus igitur FHI, est

FHI, est maximus ille, cuius polus O. Nam nullus alias per F, ductus transit per H, I, polos circuli O E.

HIC etiam vides, radios SF, SO, ex polo S, circuli FGO, emissos auferre ex Aequatore quadrantem VX; ac proinde arcum OYF, circuli FGO, representare quadrantem, ut vult hypothesis. Ponitur enim O, ab F, distare quadrante circuli maximi per ea puncta ducti. Arcus autem reliquus OG F, continet tres quadrantes, quemadmodum & arcus Aequatoris XIV, cuius ille responderet.

3. SIT deinde datum quodlibet punctum G, describendusq; sit circulus maximus, cuius polus sit datum punctum G. Ducta recta GE, per datum punctum, & centrum Astrolabii, excitabimus ad eam perpendicularē HI. Deinde ex H, polo circuli maximi GE, ducta recta HG, secante Aequatorem in M, accipimus quadrantem MN, siue ad dextram, siue ad sinistram, (In dato exemplo incommodum foret accipere quadrantem MK, versus sinistram, quia recta Hk, nimis procul rectam EG, secaret.) rectamque ducemus HN, quæ GE, secet in L. Circulus namque per tria puncta H, L, I, descriptus erit maximus, cum Aequatorem bifariam fecerit; eiusque polus erit G; cum ab eo distet quadrante circuli maximi GL.

P A R I ratione, si datum punctum sit O, polus, describendi circuli maximi, ducemus quoque rectam OE, & ad eam perpendicularē erigemus HI. Deinde ex H, polo circuli maximi OE, ducta recta HO, secante Aequatorem in P, sumemus quadrantem PN, rectamque emittemus HN, secantem OE, in L. Nam rursus circulus per tria puncta H, L, I, descriptus, erit maximus, eiusque polus O, cum distet quadrante circuli maximi OL, ab eo.

C E N T R U M autem circuli maximi describendi ita reperietur ex his, quæ propos. 5. Num. 3. demonstrauimus. Ducta recta ex H, per polum G, vel O, secante Aequatorem in M, vel P; sumptisq; duobus quadrantibus MN, Mk, vel PN, Pk, dabunt radii HN, Hk, in recta KO, diametrum visam circuit maximi, quod recta ducta in N, sit vera eius diameter, quandoquidem eius polus est M. Si vero arcui Hk, æqualis absindatur à punto k, versus M, vel arcui HN, ab N, versus M, cadet recta ex H, per extrellum punctum arcus accepti ducta in K, centrum circuiti, diuidens diametrum abscessam bifariam in K. Itaque etiamsi tota diameter commodè haberi nequeat, propterea quod aliquando alter radiorum, qualis hic est Hk, nimis procul excurrit, poterit tamen circulus unicus describi ex centro inuenito per alterum extrellum diametri, quale hic est punctum L.

4. D E N I Q V E sit describendus circulus non maximus, cuius polus G, & quo eius circumferentia quotuis gradibus recedat. Ducta per G, & centrum E, recta, quæ HI, ad rectos angulos fecerit, ducemus ex H, per G, recta HG. Aequatori occurrentem in M; eritq; M, polus circuli describendi, cū radius HM, exhibeat eius polum G, in Astrolabio, & ME, axis erit eiusdem circuli. Si igitur ab M, vtrinq; gradus propositos numeremus, vt terminos verae diametri circuli de scribendi habeamus, & per fines ex H, radii egrediantur, absindetur ex GE, dia meter circuli describendi, qua secta bifariam, circulus describetur. Quod si quando tota diameter commode haberi non potest, vt cum alterum eius extrellum nimis procul a G, absit, inueniendū erit centrum circuli describendi per ea, quæ prop. 6. Num. 9. demonstrauimus, hoc videlicet modo. Numeratis ab M, vtrinq; gradibus propositis, iungantur extrema puncta per rectā lineā, quæ (vt diximus) vera diameter erit circuli describendi, & punctum notetur, vbi ea diameter axe ME, interfecat. Si enim per hoc punctum ex H, recta emittatur, & arcui inter M, & eam rectam intercepto æqualis absindatur ex altera parte, cadet recta ex

Circulum maxime
mam describere,
cuius polus &
datum punctum
in Astrolabio.

Circulum nō ma
ximum describe
re, cuius polus &
datum punctum
in Astrolabio.

H, per extremum punctum arcus abscissi in centrum, &c.

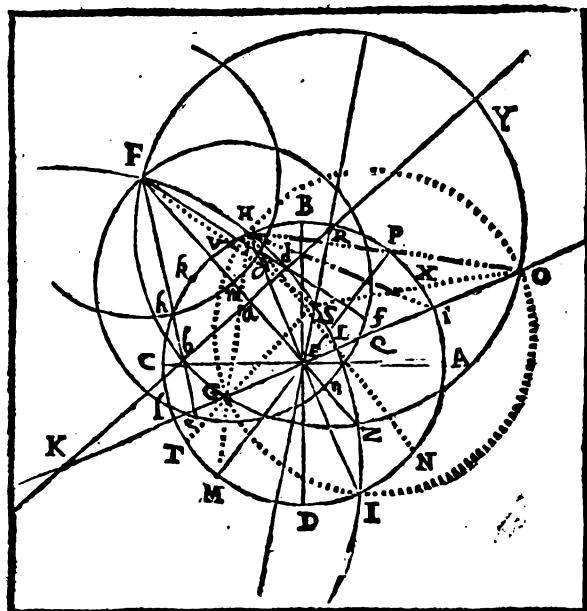
E ODE M modo progrediemur, si punctum O, polus ponatur. Ducta enim recta HO, secante Aequatorem in P; erit ducta PE, axis circuli describendi, &c. Exemplum circuli non maximi describendi non proponimus, ne figura nimis tanta linearum multitudine confundatur.

PROBL. XII. PROPOS. XV.

A N G V L I sphærici, quem duo quilibet circuli maximi in Astrolabio comprchendunt, magnitudinem, siue (quod idem est) duorum circulorum in Astrolabio maximorum inclinationem inuenire.

I. IN figura antecedentis propos. secat primum maximus circulus HGIG, Aequatorem ABCD, in H, I, punctis oppositis, vel duo circuli maximi HGL, HLI, se secant in circumferentia Aequatoris in punctis eisdem H, I; propositum-

Asgall sphærici
in circumferentia
Aequatoria con-
stituit quantita-
tem, vel inclina-
tionem duorum
circulorum ma-
ximorum, quod
vans sit Aequa-
tor, vel ambo in
Aequatoria circu-
ferentia se inter-
secantibus ge-
metris.



que sit quantitatem anguli OHA, vel OIA, hoc est, inclinationem circuli ma-
ximi HOI, ad Aequatorem explorare, &c. Ducta diametro Aequatoris HI, se-
cat eam ad angulos rectos alia diameter li, quantumlibet extensa, secans Aequa-
torem, & datum circulum in li, & O: iunganturq; rectæ HO, Hi, secantes Aequa-
torem, in P, i. Dico arcum Pi, metiri angulum OHl, siue inclinationem circuli
maximi

maximi H O I , ad Aequatorem . Quoniam enim li , rectam H I , in E , bifariā secat , & ad angulos rectos , transibit per centrum circuli H O I , ex coroll . propos . 1 . lib . 5 . Eucl . Ideoque & per polos circuli eiusdem , ut propos . 8 . Num . 19 . ostendimus . Cum ergo per propos . 1 . circulum maximum per polos mundi dum referat , erunt ex coroll . propos . 16 . lib . 1 . Theod . arcus H i , H O , quadrantes , atq ; idcirco i O , arcus erit anguli O H i , vel inclinationis circulorum . Quare cum per propositionem 1 . Num . 5 . segmentum O i , arcui Pi , æquale sit , quod ad numerum graduum attinet , erit quoque Pi , arcus anguli O H i , vel inclinationis circuli H O I , ad Aequatorem . Sic quoque anguli G H i , (qui anguli O H i , complementum est ad duos rectos .) arcus est segmentum G i , cui respondet arcus M i . Item L i , vel N i , arcus est anguli L H i : & L i , vel N i , arcus anguli L H i . Denique G L , vel M N , arcus est anguli G H L , quem duo circuli maximi H G I , H L I , constituunt , se mutuo secantes in circumferentia Aequatoris . Ex quo fit , eodem modo cius anguli magnitudinem inuestigandum esse .

2 . SECENT deinde se se duo maximi circuli F G Z , F H a , in punctis oppositis F Z Z , extra peripheriam Aequatoris , constituentes angulum G F H , quem inuestigare oporteat . Ducta eorum diametro F Z , per E , centrum Astrolabii ; (Quod si circuli se solum in F , intersecant , pro ducendi essent , donec se in Z , secant ; vel certe recta F E , producenda , & inueniendum punctum Z , puncto F , oppositum , ut propos . 6 . Num . 13 . traditum est .) secet eam in a , recta aliqua bifariam , & ad angulos rectos , qualis est recta K R , per centra K , R . circulorum transiens ; unde satis est rectam K R , per eorum circulorum centra duce-re , etiam communis eorum sectio F Z , ducta non sit . quod commodissimum erit , quando alterum punctorum intersectionis procul distat . Immo si alterum centrorum nimis procul absit à recta E F , satis est ex vicinore R . ad E F , perpendiculariter demittere R a . Hec enim fecerit rectam F Z , si ducta esset , bifariam &c . Deinde ex quo quis puncto m , recte F Z , siue illud idem sit , quod punctum medium a , siue non , describatur per F , circulus F f e : vel ex punto F , ad quolibet interuallum circulus g h . Postremo per puncta b , d , vbi circuli maxi-mi dati rectam K R , intersecant , ex F , rectæ egrediantur secantes circulum F f e , in f , e , vel circulum g h , in g , h . Dico e f , arcum esse anguli G F H , hoc est , inclinationis circulorum , & arcum g h , esse semissem eiusdem arcus . Nam si puncta opposita F , Z , ponantur poli alicius Horizontis obliqui , erunt circuli F G Z , F L Z , duo Verticales , quorum primarius ex centro a , per F , Z , descri-bendus esset ; recta vero K R , referet parallelum illius Horizontis per polum mundi , in quo oculus collocatur , ductum , ut propos . 8 . Num . 2 . ostendimus . Igitur , ut in eadem propos . Num . 11 . monstratum est , segmentum b d , recta K R , tot gradibus eius paralleli respondet , quot in arcu e f , vel in arcu g h , du-plicato continentur . Cum ergo arcus eiusdem paralleli inter circulos F G Z , F L Z , similis sit arcui illius Horizontis obliqui , qui quidem arcus est anguli G F H , liquet arcum quoque e f , eiusdem anguli arcum esse , &c . Quia vero in praecedenti propositione circulus F H Z , descriptus fuit circa polum G , transibit circulus F G Z , per illius polos ; , ac proinde angulus G F H , rectus erit . Ne-cessus est ergo , arcum eius e f , quadrantem esse circuli F f e , arcum vero g h , se-missem quadrantis circuli g h .

QVIN etiam si per punctum F , quomodounque circulus describatur , licet eius centrum non sit in recta F Z , qualis etiam est , u . g . alteruter arcum datum angulum continentium , ut F G , fecans duas rectas F b , F d , in b , p ; metietur eius arcus

Augali spargere
extra peripheria
Aequatoris con-
stitutæ quantita-
tem , vel inclina-
tionem duorum
circulorum ma-
ximorum sece-re.
tra Aequatoris
peripheriam fa-
cilius inesse
gerit .

a , r o . s . T h .

b . s s . s . T h .

arcus bp , propositum angulum GFH , cum per lemma 10. similis sit arcui ef₃ & hg. semissis illius arcus, qui similis sit arcui bp ,&c.

Quandoque circulum per polos mundi datur, idem immediatur.

3. QVOD si alter circulorum angulum sphæricum constituentium træseat per centrum Astrolabii, hoc est, repræsentet circulum maximum per polos mundi ductum , absoluemus eodem modo problema, nisi quod tunc vna tantum recta linea ex angulo ducenta est. Vt si angulus sphæricus continetur maximo circulo FEZ, per rectam lineam representato, & circulo maximo FGZ, erit enim arcus illius , & hm, eiusdem semissis. Sic etiam anguli EHL, arcus erit IN , & sic de cæteris .

IMMO etiamsi neque vlla recta ex angulo ducatur , neque circulus Fen, aut hm, describatur arcus eamen bZ, angulum bFZ, & arcus LI, angulum EHL, metietur; propterea quod per Lemma 10. tam arcus bZ, en, quam LI, NI, similes sunt &c. Ex quo fit, quoniam arcus FbZ, HLI, bifariam diuiduntur à perpendicularibus ab , EL , vt arcus quodque Fb, HL , eosdem angulos metiantur: ita vt alterum punctum intersectionis necessarium non sit.

R A T I O hæc accommodari etiam poterit ad angulum quælibet, licet neuter circulorum per centrum Astrolabil transeat. Sit enim datus angulus bZd, ita ut punctum intersectionis F, vix haberi possit. Ducta recta ZE, per centrum Astrolabii, ducatur ad eam ex R, centro circuli bZ, quod vicinius est, perpendicularis secans vtrumque circulum in b, d. Quia igitur arcus bZ, angulum bZa, & arcus dZ, angulum dZa, metitur ; si arcui bZ, adiiciatur arcus arcui dZ, similis , conflabitur arcus totius anguli bZd. Idemque habebitur, si ad arcum dZ, adiiciatur arcus arcui bZ, similis . Rursum datus sit angulus hLK , in figura sequentis propos. Ducta recta LE, per centrum Astrolabii, ducatur ad eam ex alterutrius circuli centro perpendicularis secans vtrumque circulum in h, K. Quo peracto, metietur arcus Lh, angulum hLN , & arcus LK, angulum KLN. Si igitur ex arcu Lh, auferatur arcus arcui LK, similis, reliquo het arcus anguli hLK.

4. I D E M hoc problema soluemus, si per propos. præcedentem circa angulum datum , vt polum , circulus maximus describatur. Huius enim arcus inter circumferentias angulum datum comprehendentes conclusus ipsum angulum metietur : Rectè autem ex angulo per extrema puncta huius arcus ductæ abscedent ex Aequatore arcum illi æqualem, quod ad numerum graduum attinet, vt propos. 5. Num. 17. demonstrauimus ; ac proinde arcus ille Aequatoris quantitatem anguli dati indicabit. Ita vides in figura ex punto H. anguli iHO , vt polo , descriptum esse maximum circulum KO, per rectam KO, repræsentatum , & arcum iO, interceptum inter circumferentias Hi , HO, angulum continentem metiri dictum angulum, cuius quidem arcus magnitudinem exhibet arcus Aequatoris Pi, à rectis Hi , HO, per extremitates arcus iO, ductis abscessus. Eademque ratio est de alijs.

S C H O L I V M.

Aliis solutionibus problematis.

Pluribus circulis maximis per eadem puncta opposita transcurres ad alium quendam circulum maximum inclinensis, uno excepto, qui ad illum rectus sit, cum qui ad hunc rectum rectus est , maxime ad illum alium inclinari, aliorum vero, qui maxime inclinato propiores sunt, magis inclinari, quam quiremotiores sunt ; duos denique equaliter distantes ab eo , qui rectus est, ad utramque partem, equaliter inclinari. Dico autem illum magis inclinari ad alium, qui minorem angulum acutum cum eo constituit. Sit enim circuli maxi-

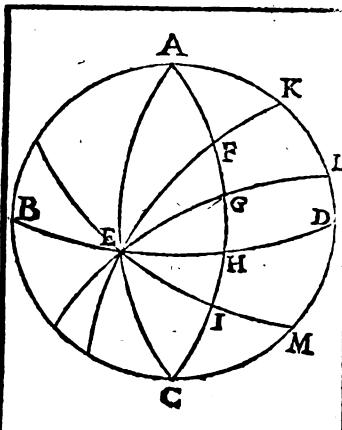
1. O B I T E R autem hoc lco animaduertendum est, si plures maximi circuli per eadem puncta opposita transcurres ad alium quendam circulum maximum inclinensis, uno excepto, qui ad illum rectus sit, cum qui ad hunc rectum rectus est , maxime ad illum alium inclinari, aliorum vero, qui maxime inclinato propiores sunt, magis inclinari, quam quiremotiores sunt ; duos denique equaliter distantes ab eo , qui rectus est, ad utramque partem, equaliter inclinari. Dico autem illum magis inclinari ad alium, qui minorem angulum acutum cum eo constituit. Sit enim circuli maxi-

ximi $ABCD$, polus E , per quem ducti sint quotcumque maxi circuli AEC , EF , EG , EH , EI , ad maximum quandam AHC , inclinari, excepto EH , qui ad eum rectus sit; ad EH , autem rectus quoque sit AEC . Dico AEC , maximè ad AHC , inclinari, & EF , magis inclinari, quam EG . Denique EF , EI , equaliter a punctis A , C , maximè inclinati AEC , distantes, aequaliter inclinari. Quoniam enim E , polus est circuli $ABCD$, erunt ex coroll. propos. 16. lib. 1. Theod. EA , EK , EL , ED , EM , EC , quadrantes, ideoq^z EF , EG , EH , EI , quadrante minoris. Igitur tam arcus EA , EF , quam EF , EG , EG , EH , semicirculo minores sunt, cum quilibet duo non aequentur duobus quadranticibus. Per propos. 14. ergo nostrorum triang. sphær. angulus externus EHC , rectus, maior erit interno opposito EGH : & hic maior interno opposito EFG , & hic maior interno opposito EAF . Est ergo EGH , acutus, & à fortiori magis acutus EFG , & multo acutior EAF . Quare circulus EA , maximè est ad AHC , inclinatus, & EF , magis, quam EG . Deinde quia duo latera AE , AF , duabus lateribus CE , CI , aequalia sunt, (Sunt enim EA , EC , quadrantes, & arcus AF , CI , aequales, quod circuli EF , EI , in circulo AHC , equaliter ponantur abesse à punctis A , C .) angulosque continent aequales A , C , per propos. 13. nostrorum triang. sphær. erunt ex prop. 7. eorundem triang. anguli quoque AFE , CIE , aequales; ac proinde & ex duobus rectis reliqui EFH , EIH , aequales erunt, qui quidem sunt anguli inclinationum. Aequaliter ergo EF , EI , ad AHC , inclinati sunt. quod est propositionem.

ET quia omnes verticales ad Aequatoriem inclinati sunt, excepto Meridiano, ad quem primarius Verticalis rectus est, efficiuntur, Verticalem primarium ad Aequatorem esse maximè inclinatum. & alios èd magis inclinari, quò minus à primario recedunt. Sic etiam, quia omnes circuli positionum ad Aequatorem inclinati sunt, Meridiano excepto, ad quem Horizon rectus est, colliguntur, Horizontem ad Aequatorem maximè inclinatum esse, & alios positionum circulos èd magis inclinari, quò minus distante ab Horizonte.

2. I AM vero pulcherrima, & facillima via per hanc propositionem 15. nobis aperitur, qua per inclinationem ad Horizontem datam in 12. propos. Num. 2. tertium punctum inueniatur, per quod circulus maximus propositus describendus sit. Ita ergo agemus. Quoniam circulus ibi propositus declinas à meridie in occasum, atque ita inuenientur in figura propos. 12. duo puncta N, P, in quibus circulus Horizontem secare debet; inclinationem vero habet ad Horizontem ex parte australi grad. 26. ex qua inueniuntur punctum k, vel per Verticalem XY, vel per parallelum Horizontis & d: Inueniuntur iam sine hisce circulis ex eadem inclinatione tertium aliud punctum, hoc modo. Ducta in figura propos. 12. per ce, punctum medium recte NP, perpendiculari cc aa, qua omnino per K, centrum Horizontis transibit, ex coroll. propos. 1. lib. 2. Eucl. cum rectam NP, in Horizonte fecerit bisariam, & ad angulos rectos. Descripto quaque ex N, ad quoduis interuum arcu circuli ee ii, ducatur ex N, ad aa, punctum intersectionis recte cc aa, cum Horizonte recta scane-

ARCHIM



Verticalem possumus inter omnes Verticales, & Horizontes inter omnes circulos positiones, ad Aequatorem maximè inclinare.

Praxis pulcherrima pertinet ad propos. 12. pro inserviendis tercio pôctis circuli maximis datum describendi, ex eis inclinationes ad Horizontem datae, sine Verticali, & sine parallelo Horizonte.

arcum descriptum in ea. Et ex ea, versus centrum Hori^{conis} absindatur arcus ee it, semissimo inclinationis continens, hoc est, grad. 13. Vel si minuta adbareant inclinations, accipiatur arcus totius inclinationis, iusque semissis deinde ee ii. Ducta enim recta N ii, secabit rectam ee aa, in puncto bb, per quod circulus maximus propositus describendus est. Nam descripto circulo per tria puncta N, bb, P, angulus bb Naa, continet grad. 26. inclinationis data, ut in hac propos. Num. 2. demonstratum est.

PROBL. XIII. PROPOS. XVI.

AD datum arcum circuli maximi in Astrolabio, ad datumque in eo punctum, dato angulo quorumcunque duorum circulorum maximorum in Astrolabio descriptorum, vel cuius arcus in gradibus datus sit, æqualem angulum constituere: siue (quod idem est) per datum punctum circulum maximum describere, qui ad datum arcum circuli maximi, in quo punctum datum est, inclinationem habeat æqualem inclinationi quorumlibet duorum circulorum in Astrolabio maximorum. Item datum angulum duorum circulorum maximorum bifariam secare.

Dato figura sphærica in Astrolabio equali angulo sphaericum cum dato arcu in dato puncto coniungere.

1. PRIMA M partem huius propos. demonstrauimus propos. 12. triangulorum sphaericorum. Sit ergo in Astrolabio Aequator ABCD, circa centrum E. & datus angulus sphaericus EFG, contentus circulo maximo FEH, per polos mundi ducto, & maximo alio circulo FGH, cui æqualis constitendum sit ad arcum IKL, in punto I. Ductis per centrum E, diametris FH, IL, vt opposita puncta sint F, H, & I, L; eisque seccis bifariam in M, N, & ad easdem ductis perpendicularibus GM, KN, qua per centra omnium circulorum per puncta F, H, & I, L, transeuntium incident, ex coroll. propositionis 1. lib. 3. Eucl. describantur per F, I, ex centris afluxim in rectis FH, IL, vt cunque circuli aequales FQOP, ITRS, vel excentris F, I, circuli aequales quanticunque XY, ab. Ductis quoque ex F, I, per puncta G, M, K, vbi perpendiculares ab arcibus intersecantur, rectis secantibus circulos FQOP, ITRS, in Q, O, d, & circulos XY, ab, in x, V, e; erit QO, arcus dati anguli EFG, & VX, semissis arcus eiusdem anguli, vt in precedenti problemate ostendimus. Si igitur arcui OQ, æqualis sumatur dT, si ad sinistram arcus dati IK, constitendum sit angulus, vel arcus df, si ad dextram, aut arcui VX, æqualis arcus ob, vel eg, ducaturque recta IT, vel Ib, aut If, vel Ig, secans KN, in h, vel i; efficiet tam arcus per tria puncta I, h, L, descriptus angulum ihK, quam arcus per tria puncta I, i, L, descriptus angulum iIK, angulo EFG, dato æqualem, hoc est, inclinatione arcuum ihL, iIL, ad arcum IKL, æqualis erit inclinationi arcus FGH, ad circulum FEH, propter æqualitatem arcuum OQ, dT, df, &c.

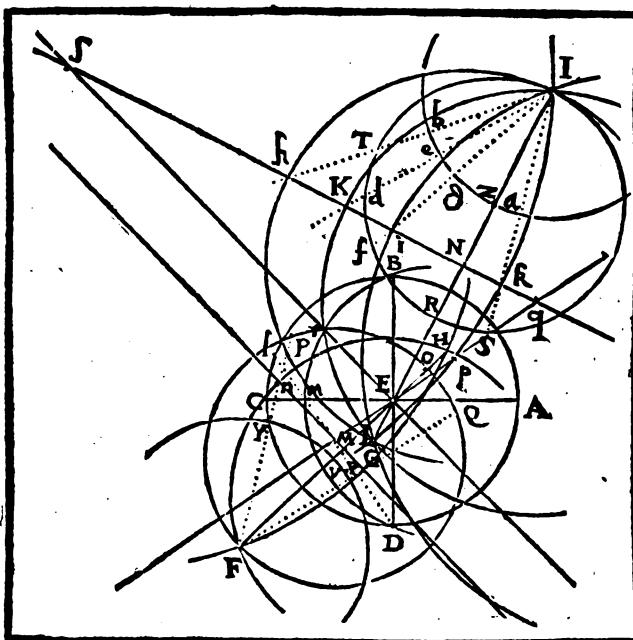
Eadem ratione ad circulum maximum IEL, in punto I, angulum NIK,

NIK, angulo EFn, aequalem constituemus, si, ducta recta Fn, secante circulum per F, descriptum in P, & circulum descriptum ex F, in Y, arcui OP, aequalem accipiamus R d, vel arcui VY, aequalem Ze, & rectam ducamus I e d, secantem KN, in K. Nam circulus per tria puncta I, K, L, descriptus, angulum constituet cum circulo IEL, aequalem angulo EFn, vt constat.

Si detur anguli alicuius magnitudo quotuis graduum, constituemus eiusmodi angulum ad arcum IKL, in punto I, si ex d, numeremus propositos gradus usque ad T, vel f, aut si sumamus semissem arcus propositorum graduum e b, vel e g. Ita quoque si accipiamus quadrantem d S, vel semissem quadrantis e a, & per S, vel a, recta ducatur secans KN, in k, constituet arcus Ikl, cum IK, angulum rectum KIk.

NON secus datum angulum constituemus in dato punto Aequatoris. Vt

Data angulo
sphaerico in gra-
dibus, aequalem
in dato punto
cum dato arcu
ci cuius manu
constitueret.



Si cōstruendus sit angulus in D, cū circulo maximo DEB, grad. 70. vel cū DCB, grad. 20. numerabimur arcū Bl. grad. 70. vel arcū Cl. grad. 20. rectamque ducebimus Di, secantem AC, in m. Circulus namque DmB, propositum concludet.

2. E T quia duo arcus IKL, Ikl, continent angulum rectum KIk, vt dictum est, trāsbit alter per alterius polum. Cum ergo polus cuiusque circuli maxim i sit quoque in recta per centrum Astrolabii, & centrum illius ducta. vt propos. 8. Num. 19. dictum est, secabit recta Eq, per q, centrum circuli IK, etexta circulum Tk, in p, polo circuiti IK; & recta E s, per s, centrum circuli Ik, traiecta secabit cir culum IK, in r, polo circuiti Ik. Atque hac eadem ratione, duobus quibuslibet ma gnis circuitis in Astrolabio seſe ad rectos angulos secantibus, recta connectens

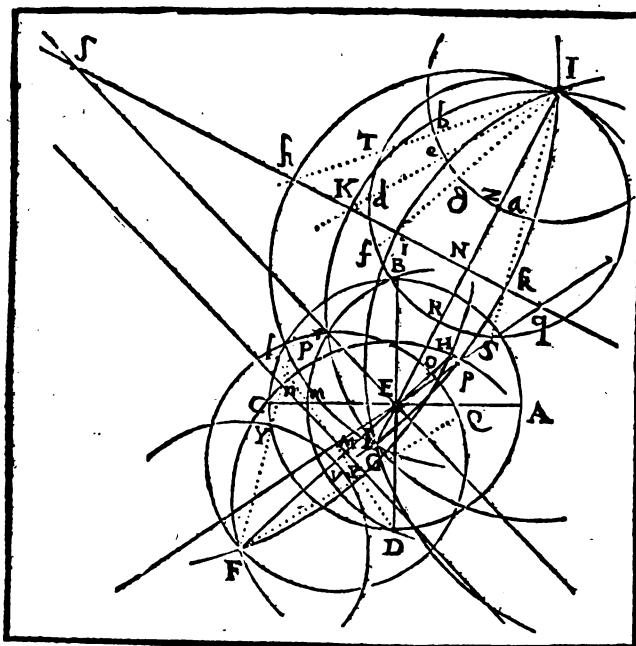
Quando duo cir-
coli maximi in
Astrolabio con-
tinent rectum con-
tinent, recta li-
nea ex centro A-
strolabii per cen-
trum valis da-
ta secat alterum
in polo illius
prioris circuiti.
a., 13. 6.
Tbed.

Tts alterutrius

Duorum circulo-
rum maximi rectum angulum
contineat uero
polos inuenire.

Datum angulum
sphericum in Astrolabio bisariam
securare.

3. I A M vero non dissimili ratione angulum, quem duo circuli maximi in Astrolabio comprehendunt, bifariam secabimus Sit enim angulus hli, secundus bisariam. Ducta IL, coi sectione arcuum lh, I i, per centrum Astrolabij transeuntes, eademque secta bifariam, & ad angulos rectos in N, per rectam hk; describatur ex I, arcus vñcunque a b, vel per I, circulus quomojudicunque ITS, centrū habens



In communi sectione IL, verbi gratia, Z. Ductis deinde rectis lh, I i, descriptos circulos secantibus in b, g, & T, f, secetur arcus g b, vel f T, bifariam in e, vel d, iungaturque recta I e, vel I d, secans hk, in K. Circulus enim per tria puncta I, K, L, descriptus (qui maximus erit, cum transeat per puncta opposita, I, L.) secebit datum angulum hli, bifariam, vt ex demonstratis liquet.

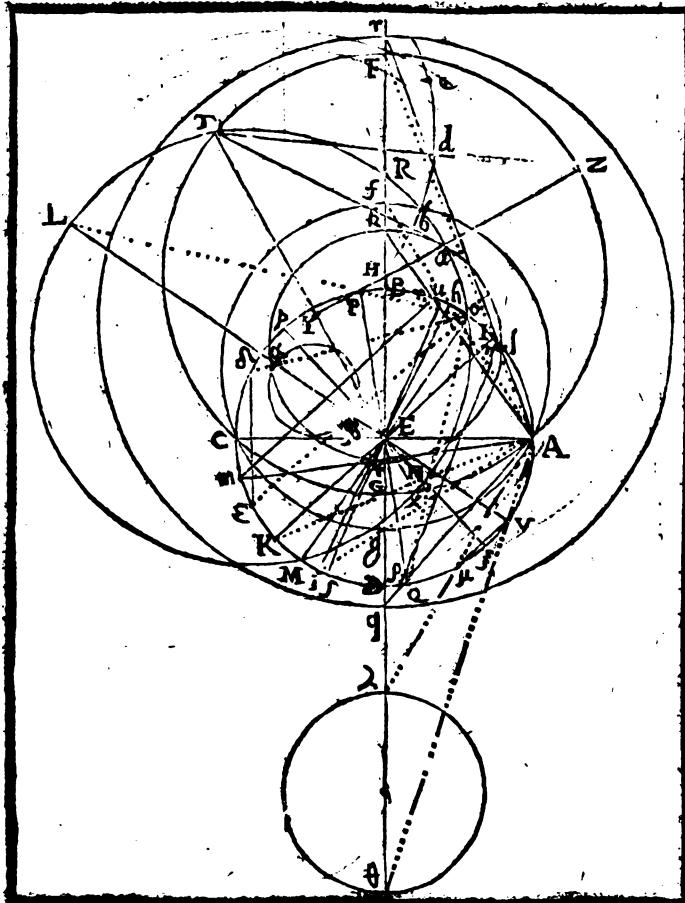
PROBL. XIII. PROPOS. XVII.

DESCRIPTI cuiusvis circuli in Astrolabio, vel
lineæ rectæ in eodem ductæ, siue in sphera explorare.

HAE C

HAEC propositio nihil aliud continet, quam ad varios circulos Astrolabii applicationem quandam corum, quæ iampridem demonstrata sunt, præsentim propos. 8. Num. 16. & 17. Sit ergo in Astrolabio Aequator ABCD, cuius centrum E. Horizon datur regionis AFCG, cuius centrum H, & diameter vera IK, ac proinde altitudo poli supra eum arcus AI, vel CK. Sit autem descriptus pri-

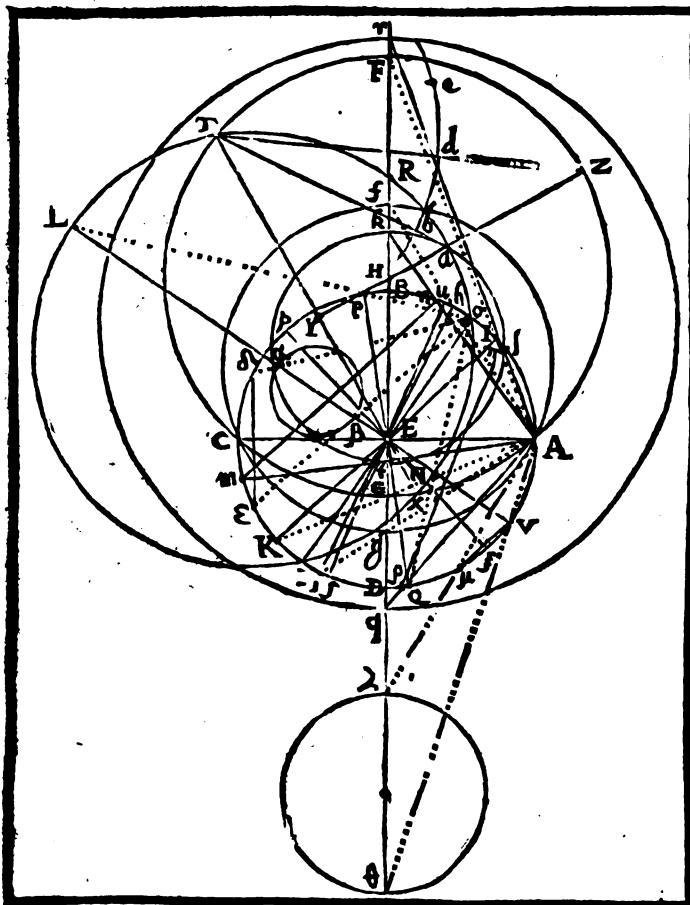
Variorum circumferentiarum in Astrolabio quomodo unque descripotur sic in sphera explicare.



num circulus LMNO, ex centro δ , cuius positio in sphera indeganda est. Per eius centrum δ , & E, centrum Astrolabii trahiatur recta LEN, quam ad rectos angulos fecerit diameter Aequatoris OM, cadens in puncta O, M, vbi à dato circulo secatur. Emissis deinde ex O, radis OL, ON, per extrema puncta L, N, diametri visz, secantibus Aequatorem in P, Q, erit iuncta PQ, diameter vera circuli

Ttt 2

cuius propositi, ut ex his constat, quae propos. 8. Num. 16. ostendimus. Et quia circulus maximus est, quod & Aequatorem in punctis oppositis O, M, secet, & eius diameter vera OM, per centrum transeat, erit poli supra eum altitudo arcus OP, vel MQ, ut in eadem propos. 8. Num. 22. dictum est. Accidit autem, altitudinem poli OP, aequalē hic esse altitudini peli AI, supra Horizontem. Ex quo



Et, circulum eum esse unum ex circulis horarum ab ortu, vel occasu, cum supra omnes eiusmodi circulos eadem sit altitudo poli, ut propos. 9. Num. 9, traditum est. Et quoniam Aequatorem secat in O, & M, facile cognoscemus, ad quamnam horam spectet, ut in eadem propos. 9. Num. 8. docuimus. Rursus quia idem circulus secat Meridianum in R, cognoscemus, quantum distet punctum R, ab Horizonte, & quotigradus in segmento FR, contineantur, inuestigemus ex do-

rina

Arrina propos. 1. Num. 6. Denique si per polum Horizontis, & per polum eiusdem circuli describeretur Verticalis, notus fieret arcus inclinationis eiusdem circuli ad Horizontem, quem tamen Verticalem non descripsimus, vt maiorem confusionem in figura vitaremus Quinimmo per propos. 1^e, inuestigari poterit eadem inclinatio ex angulo inclinationis FTR. Sic etiam per eandem propos. reperies eiusdem circuli inclinationum tam ad Meridianum ex angulo ERO, quam ad Aequatorem ex angulo NOV. Verbi gratia, vt videoas, quo pacto res per propos. 1^s perficiatur ducta YZ, ad rectam TX, ex punto medio Y, perpendiculari, descriptoque ex T, arcu quoconque b e, si emittantur recte TZ, Ta, ad puncta intersectionum recte YZ, cum circulo Ta, & Horizonte, secantes arcum b e, in d, b, erit bd, semissis inclinationis, & arcus b e, ipsius bd, duplus, totam in clinationem circuli ad Horizontem dabit, vt ex demonstratis in propos. 1^s. liquidio constat. Recta autem NV, arcum inclinationis eiusdem circuli ad Aequatorem, arcum videlicet Aequatoris QV, recte NV, respondentem manifestabit, &c. Itaque circulus LMNO, inuentus est esse maximus, supra quem polus eleuatur per arcum OP, absconditque ex Meridiano supra Horizontem arcum Ff, infra vero Horizontem ad partes boreas arcum Gg. Inclinatio denique eiusdem ad Horizontem erit arcus Ff, & ad Aequatorem arcus fB, &c.

2. D E I N D E descriptus sit circulus AfCg, secans Aequatorem in iisdem punctis A, C, per qua Horizon transit, ac proinde maximus existens. Invenietur eius vera diameter hi, & altitudo poli supra cum circulum arcus A h: ipse vero circulus ad Meridianum rectus, sicut & Horizen, quod per eius polos A, C, ducatur, auctor ex Meridiano versus meridiem supra Horizontem arcum Ff, infra vero Horizontem ad partes boreas arcum Gg. Inclinatio denique eiusdem ad Horizontem erit arcus Ff, & ad Aequatorem arcus fB, &c.

3. R V R S V S detur alius circulus klt, cuius centrum in eadem recta, in qua centrum Horizontis, & circuli AfCg, non maximus, cum Aequatorem in punctis oppositis non fecerit. Ductis radiis Ak, At, Aequatorem secantibus in n, m, erit vera eius diameter ducta recta m: quæ reperitur parallela diametro Horizontis veræ IK. Repræsentat igitur circulus klt, parallelum Horizontis, ab Horizonte versus Zenith p distantem arcu ln, vel Km, secantemque Aequatorem in l. à punto Meridiani B, versus occasum, &c.

4. P R A E T E R E A datus sit circulus rq centrum etiam habens in eadem recta cum Horizonte, & nullo modo Aequatorem secans, ita ut sit non maximus. Ductis radiis Ar, Aq, secantibus Aequatorem in π p, erit ducta recta π p, vera eius diameter: quæ cum non æquidistet Horizontis diametro IK, indicat, circulum non referre parallelum Horizontis, sed eius circuli maximi, cuius diameter vera usq; per E, centrum ducta, ipsi π p, æquidistat, & supra quem polus eleuatur per arcum Au, vel Cf. Cuius quidem circuitus maximi ad Meridianum regredi fitus in sphera cognoscetur, si ipse, inuenta eius diametro visa per radios Au, Af, in recta FD, describatur, &c.

5. A M P L I V S offeratur circulus $\alpha\beta$, centrum habens in eadem recta LN, cum circulo maximo LMNO, quem ad rectos angulos secat MO. Emissis radiis O α , O β , qui secant Aequatorem in δ , ϵ , erit ducta $\delta\epsilon$, diameter circuli vera non æquidistans veræ diametro PQ, circuli LMNO. Ex quo coniicias, circulum $\alpha\beta$, non referre parallelum circuli maximi LMNO, sed eius, qui habet veram diametrum per E, ductam ipsi $\delta\epsilon$, parallelam, &c.

6. A D hæc descriptus sit circulus $\gamma\theta$, totus extra Aequatorem, ac proinde non maximus, cuius centrum existat in eadem recta cum centro Horizontis.

Ductus

Ductis radiis $A\gamma, A\theta$, secantibus Aequatorem in V, μ , erit vera eius diameter recta $V\mu$, equidistans diametro Horizontis vera IK. Igitur circulus $\gamma\theta$, representat Horizontis parallelum infra Horizontem circa Nadir descriptum, cuius distantia ab Horizonte versus Nadir recedit per arcum IV, vel $K\mu$, &c.

*Quando vera eius
cuius diameter in-
venia est valde
exigua, quid fin-
cendam.*

*In explorando si-
ta descripta circa
li in Astrolabio
quid obseruanda*

*Recta cuiusvis
in Astrolabio de-
bet sic in sphæ-
ra explorare.*

b. i. g. unde.

b. i. s. Theor.

c. r. f. l. The.

Q V A N D O diameter vera circuli invenia est admodum exigua, ut non facile ei parallela duci queat per centrum E, qualis sicut ultima $V\mu$, partiemur arcum $V\mu$, bifariam in ξ , punto, quod erit unus polorum circuli, duodeque axes ξp , ducemus ad eum diametrum perpendiculari K, pro diametro vera circuli maximi, cui datus circulus exquidstat.

7. H A C ergo arte explorabis situm cuiusvis alterius circuiti in Astrolabio descripsi, & intersectiones eius cum alijs circuitis, quos secat, &c. si nimirum prius per eius centrum, & centrum Astrolabii rectam eduxeris pro communis sectione plani Astrolabii, & circuli maximi, qui per eius polos, & polos mundi ducitur: deinde hanc rectam per diametrum Aequatoris ad angulos rectos secueris, cuius unum extremum (quod videlicet polo australi A, ex quo radii emittuntur in descriptione Astrolabii datae regionis, vicinius est) pro polo australi sumatur, ex quo radii emittendi sunt, &c.

8. P O S T R E M O data sit recta FG, explorandumq; proponatur, quid in sphæra representet. Multa enim representare potest. Nam si cogitetur in infinitum extensa, referet circulum per polum australem ductum, vt propos. 6. Num. 35. dictum est, cuius situm in sphæra sic reperiemus. Ducta ex E, centro Astrolabij ad FG, perpendiculari EH, secante Aequatorem in L, ducatur ad eam semidiameter perpendicularis EI, iungaturque LH, secans Aequatorem in K. Et quoniam, si circulus ABCD, cōcipiatur rectus ad planum Aequatoris, Astrolabiiue, super rectam EH, ita ut I, ad austrum vergat, manente Aequatore in proprio situ, hoc est, A, spectante ad occasum, & C, ad ortum; recta EI, axem mundi referat, & I, polum australem; occurret planum per IH, ductum, & ad circulum in eo situ rectum, piano Astrolabii in H, facietque sectionem FH. Quoniam enim tamen planum Aequatoris, quam illud planum per IH, ductum, ad circulum ABCD, in eo situ rectum est; erit quoque eorum communis sectio ad eundem recta; ac proinde ex defin. 3. lib. 11. Eucl. ad EH, in eodem circulo existente perpendiculari. Cum ergo FH, ad EH, sit perpendicularis, erit FH, communis illa sectio plani Astrolabij, & plani per IH, ducti. b Quocirca cum hoc planum faciat in unius sphæra circulum, cuius diameter IK, referet data recta FG, in infinitum extensa, eum circulum, qui nimirum per I, polum australem transit, rectusque est ad circulum maximum per polos mundi ductum, inclinatumque ad Meridianum datae regionis, qui per BD, representatur, tot gradibus, quot in arcu BL, continentur, in parte quidem superiori Aequatoris versus occasum A, in inferiori verso versus ortum C.

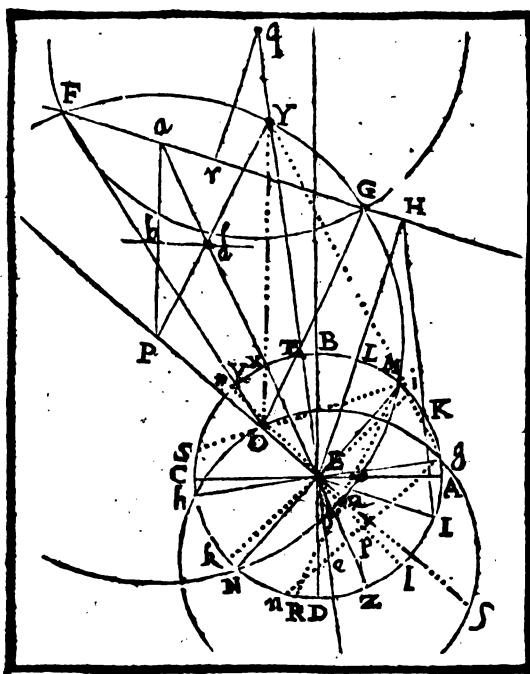
S I vero recta FG, intelligatur terminata in punctis F, G, referre potest chordam circuiti maximi per ea puncta descripti, culusmodi est FGMN: vel chorda innumerabilium circuitorum non maximorum per eadem puncta descriptorum, quorum situs, ac positio in sphæra explorari poterit ex iis, quæ in hac propos. scripsimus: vel denique diametrum alicius circuiti non maximi, & alicui maximo obliquo exquidstantis: quem sic inuestigabimus. Quoniam FG, representat diametrum alicuius circuiti, secabitur is à maximo circulo FGMN, bifariā, & ac proinde hic maximus per eius polos trahitur. Quare medium punctum arcus FG, polus eius erit, qui sic reperietur. Inuenio O, polo maximi circuiti FGMN, intra Aequatorem contento, (Hunc autem inueniemus, vt propos. 8. Num. 17. scripsimus,

mus, hoc modo. Per eius centrum P, & centrum Astrolabij ducemus rectam circulo intra Aequatorem occurrentem in Q, secantemque diametrum iunctam MN, ad angulos rectos. Recta enim MN, diameter erit, cum sit communis sectio duorum circulorum maximorum. Deinde ducta recta MQ, secante Aequatorem in R, accipiemus arcum RS, quadranti aequalis. Recta namque MS, secabit EP, in O, polo. Ducantur rectae OF, OG, secantes Aequatorem in TV; diuisioque arcu TV, bifariam in X, ducatur recta OX, secans arcum FG, in Y. Nam Y, erit punctum illius arcus medium, cum arcus FY, GY, equalibus arcibus VX, TX, respondeant, ut propos. 5. Num. 17. demonstravimus, ideoque Y, polus erit circuli, cuius diametrum recta FG, representat. Sed quod polus O, prope abest a puncto X, ac proinde vix fine errore recta OX, extendi potest, reperiemus eundem polum Y, fortasse accuratius hoc modo. Sumatur punctum Z, puncto X, oppositum, & per tria puncta Z, E, X, extensa recta, sumatur Xa, semidiametro PQ, circuli FGMN, aequalis, & iuncta recta a P, secetur in b, bifariam, & ad angulos rectos per rectam bd, secantem Ha, in d. Nam recta Pd, extensa dabit punctum Y, puncto X, respondens, ut propos. 5. Num. 34. demonstravimus. quod etiam offeret XY, ipsi a P, parallela, vel recta YP, faciens angulum YPa, angulo PaX, aequalem, ut ibidem ostensum est.

E V N D E M possumus Y, commode inuenies per ea, quæ propos. 6. Num. 36. scripsimus. Nam si per tria puncta, quorum duo sunt illa, in quibus recta EP, Aequatorem, & circulum GYF, secat, tertium autem punctum X, circulum describas, cuius centrum est in recta, quæ rectam inter Aequatorem, & circulum GYF, bifariam, & ad angulos rectos dividit, transbit is circulus per punctum Y, ut loco citato demonstratum est. Vel si ex his, quæ propos. 18. sequenti. Num. 5. trademus, per punctum X, in Aequatore datum, describas parallellum maximi circuli per rectam PQ, representati, secabit is circulum FYG, in eodem polo Y, ut in eadem propos. 6. Num. 36. ostendimus.

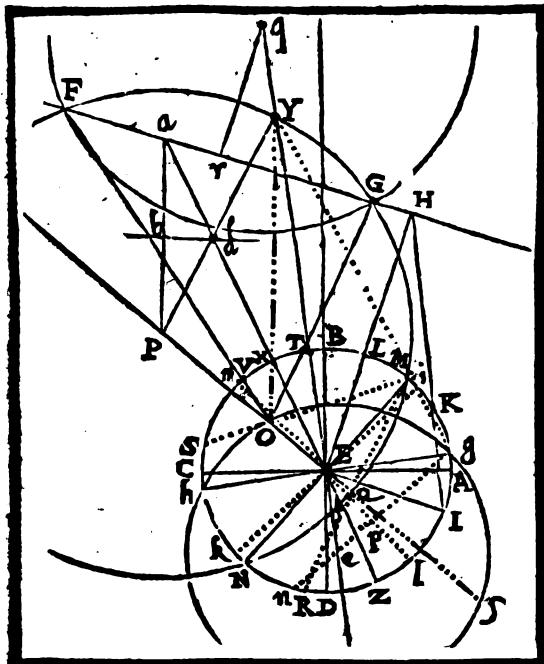
A D inveniendum porro eundem polum Y, exhiberi quoque possunt aliae

viz.



vix prop. 5. expositæ, præsertim illa, quam prop. 6. Num 25. posuimus. Nam si productis rectis FO, GO, versus polū O, arcus circuli obliqui FGQ, inter il las rectas interceptus ē regiōne arcus FG, diuidendi bifariā, sc̄etur bifariā, ca- det recta ex medio puncto per O, polū emissa in Y, punctū mediū apparenſ arcus FG, transibitque idcirco per punctum X, arcum Aequatoris TV, secans bi- fariam sīta ut iam tria puncta habeantur, per quæ duci debeat recta diuidens ar- cum FG, bifariam, nimirum X, O, & medium illud punctum prædicti arcus circu- li obliqui FGQ, ē regiōne arcus FG, qui inter rectas FO, GO, productas inter- cipitur. Et si alij circulis loco Aequatoris describantur, quorum semidiametri in recta PQS, in O, ita sectæ sint, ut in eodem puncto O, secta est semidiametrum Aequatoris, reperientur alia puncta, per quæ eadem recta OX, ducenda est, sive delicit in illis circulis arcui TX, similes arcus absindantur à recta ET, initio facto, & versus rectam PQ, progrediendo.

**Data recte finita,
quanti arcus spa-
zim: circuli chor-
di sit inquirere,**



graduum spectat, quæ data recta subtedit. Quod si recte FO, GO , producatur, in tercipient quoque in parte inferiori eiusdem circuli maximi FGQ , arcu totum zæquam graduum, quot apparentes in arcu FYG , continentur, ut propos. 6. Num. 25. ostendimus. Cæterum in sequenti propos. Num. 3. docebimus rursus inuestigare, cuiusnam arcus circuitus maximus data recta sit chorda, euam si circa eius extrema circulus maximus non describatur.

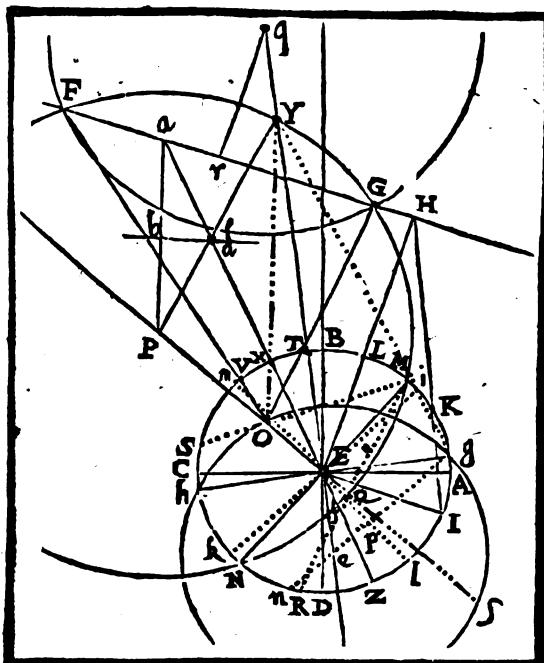
INVENTO ergo Y, polo circuli, cuius diametrorum aliquam recta EG, refert,

ARCUS porro
Aequatoris TV, indi-
cabit, quanti arcus
circuli maximus data
recta FG chorda sit,
cum arcus TV, arcui
FYG, quem data re-
cta FG, subtendit, æ-
qualis sit in numero
graduum, ut propos-
s. Num. 17. demon-
strauimus. Atque hoc
modo, proposita qua-
uis recta terminata,
inuestigabimus, quan-
tum arcum maximus
circuli subtendat; si
circa eius extrema
puncta circulum ma-
ximum describamus,
& ex eius polo inuen-
to, ut paulo ante scri-
psumus, ad eadem ex-
rema emittatur duæ
rectæ. Hæ namque
ex Aequatore arcum
abscedent æqualem
arcui maximus circu-
li, quod ad numerum

refert, si ducatur recta EY, existet in ea & centrum eius circuli, & centrum maximi circuiti, cui æquidistat, ut propos. 8. Num. 19. ostensum est. Quamobrem recta rq, secans FG, bifariam, & ad angulos rectos in q, centrum circuiti FG, cadet, cuius vna diametrorum est FG, recta. Circuitus porro maximus, cui circuitus ex q, descriptus æquidistat, describetur hoc modo. Ducta diametro gh, ad EY, perpendiculari, radius gY, secabit circumulum ABCD, in i, polo, ac proinde iEY, axis erit quæficii circuiti maximi, & lm, ad eum perpendicularis, diameter eiusdem. Igitur gn, ad lm, perpendiculararis in p, cadet in e, centrum maximi circuiti hog, cui æquidistat circuitus ex q, descriptus, cum eundem polum habeat Y, qui maximus circuitus transibit omnino per O, polum maximi circuiti FGMN, cum hic transeat per Y, polum illius. Alter autem polus circuiti FGMN, est punctum S, & alter polus circuiti goh, punctum f. Iam vero per ea, quæ dicta sunt supra, facile explorabitur situs circuiti maximi goh, & eius paralleli, in quo vna diametrorum est data recta FG.

Q V O D si detur recta, quæ extensa per centrum Astrolabii transeat, representabit ea circumulum maximum per polos mundi ductum: vel si eius puncta extrema per diametrum sunt opposita, diametrum infinitorum circuitorum maximorum, qui per puncta illa extrema describi possunt: vel si non per diametrum opponunt ea puncta extrema, referet aut chordam plurimorum circuitorum non maximorum, qui per illa possunt describi, aut diametrum visam maximam circuiti non maximi circa ipsam descripti.

Rectam per centrum Astrolabii ductam varia posse representatione.



P R O B L. XV. PROPOS. XVIII.

P E R datum punctum circulo maximo dato in Astrolabio parallelum delineare: Item circa datum po-

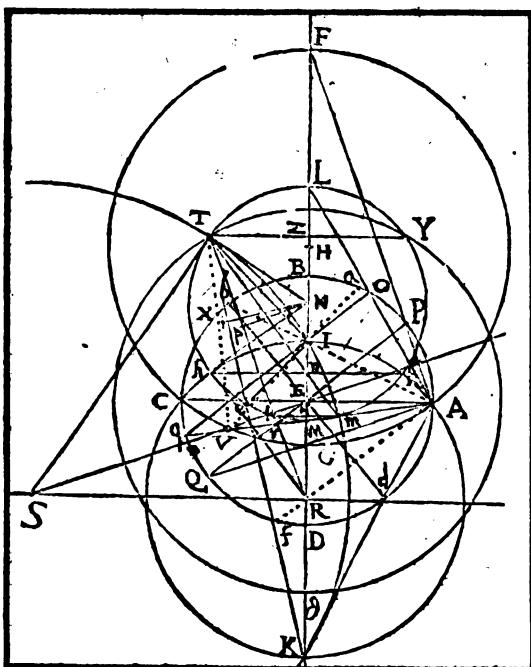
V u u l u m

lum, circulum describere, siue punctum detur, per quod transire debeat, siue non.

Per datum punctum in recta per centrum Astrolabij, & centrum maximum alio, ut est circuli ducta, parallelum illius circuli maximi describitur.

I. SIT in Astrolabio Aequator ABCD, cuius centrum E; circulus maximus obliquus quicunque AFCG, siue Horizon is sit, siue non, cuius polus I; datumque primum sit punctum L, in recta FG, per H, centrum circuli maximi, & E, centrum Astrolabij extensa, per quod describendus sit parallelus dati circuli maximi, habens centrum in eadem recta FG. Posunt quidem per L, ex infinitis centris in recta FG, assumptis infiniti circuli describi, sed vnde tantum referet aliquem parallelum dati circuli AFCG, quem ex dato puncto L, sic reperiemus.

Ducta diametro AE, ad FG, perpendiculari, quæ in intersectiones Aequatoris cum dato circulo cadet, inuenientaque vera diametro PQ, maximus circuli dati per radios AF, AG, Aequatorem secantes in P, Q; ducatur radius AL, Aequatorem secans in O, punto, per quod agatur ipsi P, Q, parallela Oq, quæ diameter vera erit paralleli per L, transversis, propterea quod radius ex A, per eius extremum O, effusus cadit in L, extremum diametri visus, quandoquidem parallelus describendus per L, ponitur transire. Quod si detur polus I, inueniemus diametrum veram, quæ fiet paralleli, sine diametro verae circuli maximi, hoc modo. Ducto radio AL, secante Aequatorem in O, ducatur radius per polum E, qui in verum polum b, cadet. Sumatur ergo arcus bO, arcus bq, æqualis. Nam recta Oq, vera diameter erit, cum puncta O, q, à polo b, æqualiter distent, & vera diameter per O, transcat, propter radius AE, secantem Aequatorem in O. Igitur ducto radio Ag, per alterum extremum visus M: quod etiam hac ratione reperietur, etiam si verae diametri ratio non habeatur. Inuenito polo I, dati circuli maximi per radium A b, ductum ad b, punctum medium semicirculi PbQ, quem vera diameter PQ, absindit, hoc est, ad extremum punctum axis dati circuli,



tro verae circuli maximi, hoc modo. Ducto radio AL, secante Aequatorem in O, ducatur radius per polum E, qui in verum polum b, cadet. Sumatur ergo arcus bO, arcus bq, æqualis. Nam recta Oq, vera diameter erit, cum puncta O, q, à polo b, æqualiter distent, & vera diameter per O, transcat, propter radius AE, secantem Aequatorem in O. Igitur ducto radio Ag, per alterum extremum visus M: quod etiam hac ratione reperietur, etiam si verae diametri ratio non habeatur. Inuenito polo I, dati circuli maximi per radium A b, ductum ad b, punctum medium semicirculi PbQ, quem vera diameter PQ, absindit, hoc est, ad extremum punctum axis dati circuli,

culi, sumatur arcui O_b , æqualis arcus b_q , ducaturque radius Aq , secans FG , in M , eruntque portiones IL , IM , circuli maximi FG , æquales, cum respondeant arcubus æqualibus Ob , bq , vt constat ex propos. 1. Num. 5. Cum igitur FG , refusat vnum ex Verticalibus dati circuli maximi, tanquam Horizontis alicuius, incedet omnino idem parallelus per puncta L , M , æqualiter à vertice L , remota. Sexta ergo diametro visa LM , bisariam in N , erit N , centrum parallelorum quæstum per datum punctum L , describendi.

2. D E T V R quoque punctum h , in Verticali primario $AICK$, dati circuli maximi, tanquam Horizontis. Ad rectam Rh , ex centro Verticalis ductam ex eicitur perpendicularis hN . Hac enim in centrum N , parallelis per h , describen di cadet, vt ex propos. 6. Num. 10. constat, propterea quod recta hN , Verticalem tangit in h , ex coroll. propos. 1. lib. 3. Eucl. Quod si arcu jh , æqualis sumatur lk , & ex FG , absindantur segmenta IL , IM , arcubus lh , lk , æqualia, quod ad numerum graduum attinet, habebimus quatuor puncta h , k , L , M , per quæ describendus est parallelus, cuius centrum est in recta FG .

Per datum punctum in Verticali primario alienius circuli maxi mi, parallelam illius circuli maximi describere.

3. D E I N D E datum sit punctum T , extra rectam FG , per centrum dati circuli maximi, & centrum Astrolobii ductam, & extra Verticalem primarium. Inuenio altero polo K , circuli maximi dati per radium Ad , ductum per d , punctum medium alterius semicirculi PdQ , vel accuratius per Verticalem primariam $AICK$, dati circuli descripti ex centro R , quod radius ex A , ad punctum f , ductus indicat, existente arcu Af , duplo arcus Ad , ducatur ex altero hoc polo K , recta KT . Ducta deinde recta Tl , ad alterum priorem polum I , fiat angulo TIF , æqualis angulus KIe , secetque recta le , rectam KT , in e ; transibitque parallelus, qui per T , ducitur, per punctum e . Nam si concepiatur descriptus per T , parallelus quæstus, secabit recta KT , cum parallelum in puncto e , intersectionis recta le , cum parallelo, propter æqualitatem angulorum TIF , KIe , vt ex ijs perspicuum est, quæ in scholio propos. 6. ad finem Num. 5. demonstrauimus. Nam si recta KT , fecaret parallelum in alio punto, quæ in e , faceret recta ex eo punto ad I , ducta cum IK , angulum æqualem angulo TIF , ac propterea & angulo eIK , vt in eodem scholio Num. 5. ostendimus: Ideoque pars, & totum æqualia sorrent, quod est absurdum. Ducta ergo recta in N , secans T , e , b , f ariam, & ad angulos rectos, transibit per centrum parallelum per T , e , transeuntis, ex coroll. propos. 1. lib. 3. Eucl. Cum ergo centrum sit in recta FG , erit N , centrum quæstum parallelorum, qui necessario transibit quoque per punctum Y , si ducta sit TZ , perpendicularis ad FG , & assumpta ZY , ipsi TZ , æqualis.

Per datum punctum extra rectam per centrum circuli maximi, & centrum Astrolobii ductam, & extra Verticalem parallelum illius circuli maximi describere.

Q V O D si quando contingat, punctum T , datum existere in tali loco, vt recta Tl , cum FG , angulum rectum efficiat, tanget recta KT , parallelum per T , descriptum in T , vt ostensum est in scholio propos. 6. Num. 4. Igitur tunc recta ex T , ad KT , perpendicularis excitata, cadet in centrum parallelorum describendi.

R V R S V S 6 datum punctum extiterit infra rectam RS , quæ per centrum primarij Verticalis ducitur ad FG , perpendicularis, ducenda erit ex polo I , per punctum illud recta linea, & in altero polo K , duo anguli constituendi æquales, loco angulorum TIF , eIK : quia tunc parallelus describendus polum K , ærbicas, ac proinde recta ex I , ducta per punctum datum, secabit parallelum in punctis, in quibus rectæ angulos æquales in K , constituentes eundem secant, &c.

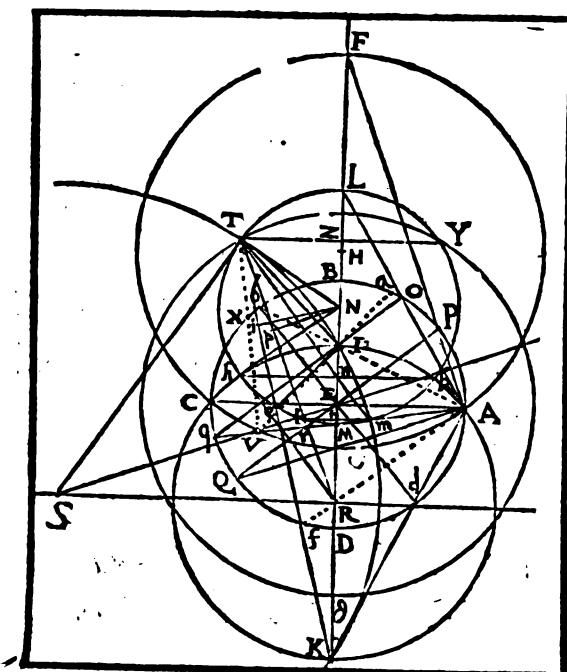
S I demique punctum T , in tali extiterit loco, vt æqualiter ab utroque polo I , & K , distet, (quod facile cognoscetur beneficio circini). Nam si, posito uno pede in T , & altero in I , circinus circumductus transeat per K , æqualiter distabat

V u u 2 T, à punctis

T, & punctis I, & K, alias non.) hoc est, si in recta RS, quæ per centrū primarij Verticalis ducitur ad meridianam lineam perpendicularis, repertum fuerit; referet ipsam rectam RS, parallelum per T, descriptum, hoc est, parallelus in Sphera respondens per polum australē ducetur, ideoq; in rectam projicitur lineam, &c.

HOC id in effici potest hoc modo. Ex dato punto T, ad FH, ducta perpendiculari TZ, sumatur ZY, ipsi ZT, æqualis, transibitque parallelus etiam per Y. Deinde ex alterutro punctorum T, Y, nimirum ex Y, per alterutrum polarum I, K, nimirum per I, recta ducatur YIe, quam secet in e, recta TK, ex altero punto T, ad alterum polum K, duxta. Nam per e, quoque parallelus describendus transibit, vt constat ex ijs, quæ propos. 6. Num. 25. demonstrauimus. Si namque parallelus per T, Y, cōcipiatur esse descriptus, erunt tot gradus visi in arcu LY, quot gradus æquales in arcu à rectis LI, YI, productis, abscissio cōtinentur, vt ibi ostensum est. Cum ergo recta KT, auferat quoque arcu LT, tot graduum apparentium, quot gradus æquales in arcu à rectis KL, KT, abscliso includuntur, vt ibidem demonstrauimus; sit autem arcus LT sarcui LY, æqualis, (Recta n. KF, per centrum paralleli duxta secans rectam TY, bifariam, & ad angulos rectos, secat quoque ex scholio propos. 27. lib. 3. Euct. arcu TLY, bifariam.) ab scindetur omnino idem arcus à rectis KL, KT, qui à rectis LI, YI, hac proin deparallelus TLY, per e, punctum intersectionis rectarum YI, KT, transibit. alias rectæ LI, YI, & KL, KT, non abscederent cumde arcua. Circulus igitur per tria puncta

parentium, quot gradus æquales in arcu à rectis KL, KT, abscliso includuntur, vt ibidem demonstrauimus; sit autem arcus LT sarcui LY, æqualis, (Recta n. KF, per centrum paralleli duxta secans rectam TY, bifariam, & ad angulos rectos, secat quoque ex scholio propos. 27. lib. 3. Euct. arcu TLY, bifariam.) ab scindetur omnino idem arcus à rectis KL, KT, qui à rectis LI, YI, hac proin deparallelus TLY, per e, punctum intersectionis rectarum YI, KT, transibit. alias rectæ LI, YI, & KL, KT, non abscederent cumde arcua. Circulus igitur per tria puncta



T, Y, e, descriptus, erit parallelus quæsitus. Eademque prorsus ratio est, si datum punctum T, sit infra rectam RS, ac proinde parallelus per T, circa polum inferiorem K, describendus sit. Vt si in 2. figura scholij propos. 6. in parallelo LMN, circa polum inferiorem P, descriptum datum sit punctum N, ducemus ex N, ad meridianam lineam perpendiculari N O, rectamque OM, ipsi ON, æqualem sumemus. Nam si ex N, per polum P, recta ducatur, secabit eam in h, puncto parallelis recta ex M, ad alterum polum Q, duxta, vt ex ijs, quæ loco citato.

tato, id est, prepos. 6. Num. 25. demonstrata sunt, liquet. Utique enim arcus KN, KM, tot gradus apparentes includit, quot gradus æquales in arcu Lh, continentur, &c.

SED via non minus expedita, qua nimirum in ipsa linea meridiana diameter paralleli describendi reperitur, hæc est. Ductis ex puncto T, extra Verticalem AICK, dato ad verumque polum I, K, rectis, si angulus acutus ITK, bifariam secetur, cadet recta eum diuidens in punctum M, extreum diametri, per quod parallelus describendus est. Et si ad rectam ductam MT, excitetur in T, perpendicularis, vel (quod idem est) angulus obtusus, quem recta KT, ultra T, produceta cum TI, constituit, secetur bifariam, incidet illa perpendicularis, vel hæc linea diuidens in punctum L, alterum extreum, ita ut tota diameter sit LM: quia diuisa bifariam in N, erit N, centrum paralleli per T, L, M, describendi, quod sic demonstrabitur. Concipiatur descriptus parallelus LTMY. Et quoniam, ut propos. 6. Num. 25. demonstrauimus, tot gradus apparentes sunt in arcu LT, quot æquales tam in arcu M e, & rectis TK, LK, quam in arcu ex altera parte à rectis TI, LI, productis absciso continetur; erunt arcus hi abscissi inter se æquales.

Igitur anguli, quos recta MT, cum rectis TK, TI, efficit, illis arcubus insistentes, æquales erunt: ac propter ea recta angulum ITK, secans bifariam in punctum M, cadet. ^a Cum ergo angulus ad T, in semicirculo LTM, constitutus, rectus sit, cadet perpendicularis ad ductam rectam TM, in punctum L. Rectam autem ductam TL, secare bifariam angulum obtusum, quem TI, cum KT, producta constituit, ac proinde rectam, quæ prædictum angulum diuidit bifariam, cadere in punctum L, hoc modo ostendemus. ^b Quoniam recta ducta LT, cum MT, producta rectos angulos facit, hoc est, æquales, cum angulus LTM, sit in semicirculo: ^c Est autem & angulus MTI, hoc est, ei æqualis MTK, angulo ad verticem T, quem MT, KT, productæ efficiunt, æqualis; erit quoque reliquo angulo ITL, reliquo angulo, quem ducta LT, cum KT, producta efficit, æqualis, quod est propositum.

SIMILI modo si detur punctum e, intra Verticalem AICK, & ductis rectis ex e, ad verumque polum I, K, angulus acutus TeI, secetur bifariam, cadet recta diuidens in punctum L, extreum diametri: Et si ad ductam rectam eL, in e, erigatur perpendicularis, vel (quod idem est) angulus obtusus IeK, bifariam secetur, incidet illa perpendicularis, vel linea diuidens, in punctum M, alterum extreum. Concipiatur enim descriptus parallelus LTMY. Et quia, ut propos. 6. Num. 25. monstratum est, tot gradus apparentes sunt in arcu M e, quot æquales existunt tam in arcu LT, a rectis KT, KL, quam in arcu ex altera parte à rectis eI, MI, productis absciso; erunt arcus hi abscissi inter se æquales. ^e Igitur anguli, quos recta Le, cum rectis eT, eI, efficit, illis arcubus insistentes æquales erunt; ideoque recta angulum TeI, bifariam partiens, in punctum L, cadet. ^f Cum ergo angulus ad e, in semicirculo LeM, constitutus, rectus sit, cadet perpendicularis ad ductam rectam Le, in punctum M. Porro rectam eM, ductam secare obtusum angulum IeK, bifariam, ac proinde rectam, quæ eum diuidit, cadere in punctum M, ita probabitur. Quoniam ducta recta Mc, cum ducta Le, facit angulos æquales, nimirum rectos, & cum angulus Lem, in semicirculo rectus sit, ^g Est autem & angulus LeI, hoc est, ei æqualis LeT, angulo ad verticem e, quem Le, Te, productæ efficiunt, æqualis; erit quoque reliquo angulo MeK, æqualis quod est propositum.

EST autem via hæc commodissima. Nam si recta angulum atutum secans bifariam, nimis oblique lineam meridianam intersecet, secabit altera linea angulum,

Expediriens
via ad inservi-
dam in meridia-
no linea dia-
metrum paralleli
per datum pue-
dum definiens

a 27. tertij.

b 31. tertij.

c 31. tertij.

d 15. primi.

e 27. tertij.

f 31. tertij.

g 31. tertij.

h 15. prima.

gulum obtusum bifariam secans, eandem minus obliquet. Quare per hanc inuenientium tunc erit punctum in linea meridiana, ut v.g. punctum L per rectam, qua: angulum obtusum, quem recta IT, cum KT, producita est sicut, dividit bifariam. Nam ducto radio AL, ex polo australi A, secante Aequatorem in O, erit recta Oq, diametro PQ, maximi circuli obliqui duxa parallela, diametra ter vera parallelia; ac proinde radius Aq, alterum extremum M, exhibebit. Vel certe si iuncta recta TL, secetur bifariam, & ad angulos rectos, reperiatur per lineam diuidentem centrum N, in linea meridiana. Ut autem ea, quæ hoc loco sunt demonstrata, faciliter intelligantur, ducenda erunt rectæ TM, & L, & vna cum recta KT, producenda. Item rectæ TL, & M, iungenda, quod in hac figura facilius non est, ut confusio linearum vitaretur.

Quoniam arcus
maximi circuli
data recta iubet
dat, inuenire, etis
circulus illi
maximum non de-
serbitur.

E X his facile etiam explorabimus, quantinam arcus circuli maximi data recta terminata sit chorda, etiamsi circulus maximus, in quo chorda est, non describatur, ut in antecedente propos. Num. 8. factum est. Sit enim in Astrolabio, in quo Aequator ABCD, circa centrum E, data recta TE. Fingamus alterutrum extremorum, nempe I, esse polum, circa quem per alterum extremum T, circulus describendus sit, quod ita fieri solet. Duxa ex E, centro per punctum I, quod debet esse polus, recta IEK, reperiatur punctum K, per diametrum puncto I, oppositum, ut propos. 6. Num. 13. docuitus, quod erit alter polus. Duxa igitur ex altero hoc polo, K, ad alterum extremum T, recta KT, secetur angulus ITK, acutus bifariam per rectam, qua seget rectam IK, in M, vel si maius, producta recta KT, angulus obtusus ad T, constitutus à recta IT, & producta KT, secetur bifariam per rectam secaptem IK, in L: Eritque tam M, quam L, extremum diametri circuli per T, describendi, ut monstratum est. Quoniam vero ex defin. poli, rectæ ex polo ad circumferentiam circuli cadentes æquales sunt; erunt quoque arcus circulorum maximum inter polum & eundem circulum positi, quorum illæ rectæ chordæ sunt, æquales. Igitur arcus Meridiani IM, IL, & arcus maximi circuli per puncta I, T, descripsi, cuius chorda est recta TI, æquales erunt. Duxa ergo ex E, ad IK, diametro perpendiculari AC, si ex alterutro extremon, ut ex A, per I, M, vel I, L, radii emittantur secantes Aequatorem in b, q, vel b, O, erit arcus apparenſ IM, vel IL, vero arcui bq, vel bO, æqualis, cum hi veri arcus projectantur in arcus IM, IL, appartenentes. Igitur TI, referet chordam arcus maximi circuli, qui arcui bq, vel bO, æqualis sit.

E O D E M modo si T, statuatus polus, circa quem describendus sit circulus per I, ducenda erit ex T, per centrum E, recta, & in ea inuenientum punctum ipsi T, per diametrum oppositum, pro altero polo, deinde ex hoc polo ad I, recta ducenda, angulusque, siue acutus, siue obtusus, quem hæc recta cum data recta IT, efficit, secandus bifariam, ut in duxta recta TE, punctum extreum teperiatur, per quod circulus per I, circa polum T, describendus est. Duxa enim per E, ad iunctam rectam TE, diametro perpendiculari, si ex alterutro eius extremo per T, & punctum in iuncta recta TE, inuenientum radii emittantur, abscedent ii ex Aequatore arcum æqualem ei, cuius data recta TI, chorda est, &c.

C A E T E R V M si commode inueniri possit in recta RS, ad FG, perpendiculari in R, centro Verticalis primarii, centrum Verticalis per T, & I, transversis, describatur eiusmodi Verticalis TI, ex centro S, ducaturq; recta SE, quæ datum circulum maximum secabit in V, polo Verticalis TI. Nam cum circulus TI, transeat per I, polum dati circuli, transbit idem datus circulus per polum ipsius TI, ex scholio propos. 15. lib 1. Theod. Cum ergo polus Verticalis TI, sit in recta SE, ut propos. 8. Num. 19. demonstratum est, erit V, polus Verticalis TL.

Igitur

Igitur duobus rectis VI, VT, secantibus Aequatorem in a, X, erit a X, arcus aequalis arcui TI, quod ad numerum graduum attinet, ut liquet ex propos. 5. Num. 17. Huic ergo si aequalis arcus abscindamus IL, IM, ex circulo maximo FG, hanc bebinus tria puncta T, L, M, per que describendus est parallelus quasitus, cuius centrum est in recta FG. Invenientur autem puncta L, M, hoc modo. Ducta recta AI, secante Aequatorem in b, sumantur hunc inde arcus bO, bq, arcui aX, aequalis. Recte enim AO, AQ, auferent segmenta LL, IM, tot graduum, quot in arcibus bO, bq, ac proinde & in a X, vel TI, continentur, ut ex his constat, qua propositione 5. Num. 23. & propositione 1. Num. 6. demonstrata sunt.

ITEM si arcui a X, aequalis fiat a A, abscindes ducta recta VA, ex Verticali TI, arcum Im, arcui a A, vel a X, seu TI, aequali, transibitque parallelus describendus per m. Si igitur ducta recta TM, secetur bifariam, & ad angulos rectos, cadet linea diuidens in N, centrum paralleli quasiti, ex coroll. propositione 1. lib. 9. Eucl. cum recta TM, sit in eo parallela. Eodem parato recta secans iunctam rectam TL, vel TM, bifariam, & ad angulos rectos, in idem centrum N, cadet, in utraque rectarum TL, TM, in eodem parallelo existat.

IMMO necessarium non est, ut puncta L, M, inveniantur. Si namque ex S, centro Verticalis TI, (quod inuenitur per rectam, qua rectam TI, vel TK, ex dato punto T, ad alterutrum polorum circuli obliqui ductam duidit bifariam, & ad angulos rectos) ad datum punctum T, recta ducentur ST, fiat, que rectus angulus STN, cadet TN, in centrum N, parallelii quasiti, ut prop. 8. Num. 13. demonstratum est. Quare circulus ex N, per T, descriptus, erit quasitus parallelus.

SED commodissime hac alla ratione per datum punctum T, parallelum dati circuli obliqui describemus. Ducta ex T, punto dato ad R, centrum Verticalis primaria recta TR, inueniatur duabus rectis TR, RI, (quarum prior est ducta recta, posterior verò semidiameter Verticalis) tertia proportionalis, cui aequalis abscindatur RI. Secta deinde TI, bifariam in p, excitetur ad TI, perpendicularis p N. Dico circulum ex N, per T, I, descriptum Thl, parallelum esse obliqui circuli maximi AFCG. Si namque non est, cogitetur parallelus descriptus per T, secans rectam RT, (si possibile est) in alio punto, quam in I, ut in r. Igitur ex his, qua propositione 6. Num. 30. demonstrauimus, erit semidiameter Verticalis RI, medio loco proportionalis inter RT, & Rr. quod est absurdum, cum RI, sit per constructionem inter RT, & RI, media proportionalis. Sic etiam, si detur punctum l; ducta ex R, per I, recta, & sumpta RT, tertia proportionalis duabus RI, RI, describendus erit parallelus per l, T, ut dictum est.

EST autem sciendum, quando punctum datum est extra Verticalem, cujusmodi fuit punctum T, tertiam proportionalem RI, minorem esse recta RT; quando autem datum punctum est intra Verticalem, quale est punctum l, tertiam proportionalem RT, maiorem esse recta RI, qua ex centro Verticalis ad datum punctum ducitur.

QVADRAT hæc etiam ratio in punctum, quod in recta per centrum dati circuli maximi obliqui, & centrum Astrolabii ducta datur. Ut si datum sit punctum L, si duabus rectis RL, RI, inueniatur tertia proportionalis RM, describendus erit parallelus per L, M, ex medio punto rectæ LM. Ita quoque si datum sit punctum M, inuenta duabus rectis RM, RI, tertia proportionali RI, de-

Alla descriptio,
quando punctum
dato est in re-
cta per centrum
obliqui circuli
maximi dati, &
centrum Astrola-
bi datur.

RL, describendus erit idem parallelus quæsitus per M. L, &c.

*Quando punctum
datum est in cir-
cumferentia Ac-
uatoris.*

QVOD si datum sit punctum in circumferentia Aequatoris, ducenda erit ex eo linea perpendicularis ad lineam meridianam. Nam recta, quæ per intersectionem illius cum meridianâ linea ducetur parallela diametro PQ, maximî circuli, cui describendus parallelus æquidistare debet, erit diameter quæsitus parallelî in sphera : ex qua parallelus describetur, vt propos. 6. traditum est. Ratio huius rei est, quia intersectiones illius parallelî cum Aequatore, & punctum intersectionis eius diametri vero cum linea meridianâ, iacent in una linea recta, in communi videlicet sectione plani parallelî cum Aequatoris plano, vt propositione 6. Numero quarto ostendimus. Cum ergo perpendicularis illa ad meridianam lineam ex dato punto ducta, sit communis illa sectio, (quandoquidem, vt ibidem demonstratum est, communis sectio perpendicularis est ad meridianam lineam, transitque ex hypothesi per punctum datum in Aequatoris circumferentia, cum per illud parallelus transire debeat.) erit punctum intersectionis dictæ perpendicularis cum linea meridianâ illud, per quod diameter propositi parallelî ducenda est. Vt si data eslet alterutria intersectionum parallelî LTM, cum Aequatore, secaret recta ex eo punto ad FG, perpendicularis ipsam FG, in punto, per quod diameter Oq, diciti parallelis ducita est.

*Per punctum ve-
tanque datum,
parallelum Ac-
uatoris describe-
tur.*

4. AD extremum, sit per datum punctum T, ybicumque existat, describendus parallelus Aequatoris. Fiet hoc sine ullo labore, si ex E, centro Astrolabii per T, circulus TYg, describatur, cum omnes parallelî Aequatoris, idem cum Astrolabio centrum possideant, vt propos. 2. Num. 6. demonstrauimus.

*Allia descrip-
tio parallelî obliqui
per datum pun-
ctum.*

BENEFICIO autem huius parallelî Aequatoris per datum punctum T, descripti, describemus alio modo per idem punctum parallelum obliquum. Si enim ex A, polo australi ducatur recta ad intersectionem parallelî Aequatoris cum recta FG, secabit ea Aequatorem in declinatione illius parallelî, vt v.g. in dato exemplo, in a, punto, per quod ducta parallela ipsi FG, diameter erit eiusdem parallelî. Deinde per datum punctum T, ducta TZ, ad FG, perpendiculari, emitatur ex A, ad Z, radius visualis. Vbi enim is diametrum parallelî Aequatoris per punctum a, in dato exemplo transeuntem secabit, per illud punctum sectionis ducenda est recta Oq, diametro PQ, maximus circuli obliqui parallela pro diametro vera parallelî obliqui describendi. Quoniam enim TY, communis sectio est parallelî Aequatoris TYg, & parallelî obliqui per T, describendi, vt ex iis, quæ propos. 6. ad finem Num. 4. demonstrauimus, liquet; erit punctum Z, tam in parallelô Aequatoris, quam in parallelô obliquo. Cum ergo punctum Z, visum respondeat puncto vero in Meridiano, atque adeo puncto diametri parallelî, per quod radius AZ, eiicitur, cum hoc punctum appareat in Z, transit per idem punctum in Meridiano parallelus obliquus, ac propinde per illud diameter parallelî obliqui ducenda erit. Inuenta autem vera diametro Oq, parallelî obliqui, abscondendadi AO, Aq, diametrum eius visam LM, circa quam parallelus obliquus describendus erit.

*Per datum pun-
ctum describere
parallelum maxi-
mi circuli per
mundi polos du-
ctum.*

5. FACILIUS per datum punctum describetur parallelus maximi circuli per mundi polos ducti. Representet enim recta BED, circulum maximum per polos mundi ductum, quam ad rectos angulos secet diameter AEC, quæ referet eum Meridianum, in quo omnia centra parallelorum circulî maximi BD, existent, vt ex iis, quæ propos. 7. demonstrauimus, constat. Sit ergo primum in Aequatore datum punctum F. Ducta recta DF, secante AC, in G, sumatur arcu BE, æqualis arcus DH. Circulus enim FGH, per tria puncta F, G, H, ex centro I, de scriptus

scriptus parallelum maximi circuli BD, referet, ut ex iis perspicuum est, quæ propos. 7. demonstrauimus.

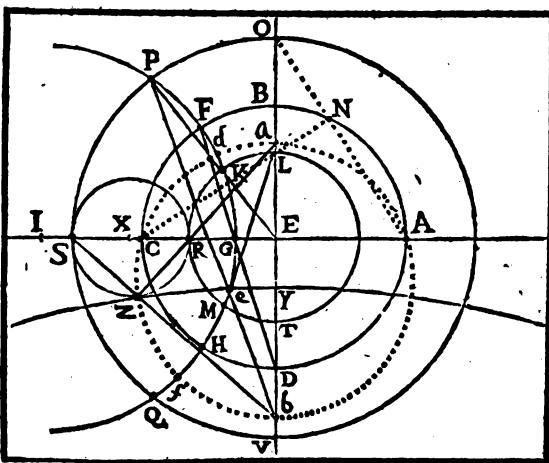
SI T deinde datum punctum K, intra Aequatorem. Descripto ex E, per K, parallelo Aequatoris KLM, describatur eius oppositus POQ. quod facile fiet, si per L, ducto radio CLN, secante Aequatorem in N, ducatur ex A, per N. radius ANO, secans DB, in O. Nam EO, erit semidiameter oppositi parallelorum, ut constat ex ijs, quæ propositione 4. Num. 6. demonstrata sunt. Nam arcus BN, æqualis est illi, quem radius AL, abscederet, si ducatur esset. Ducta autem recta EK, secante in P, parallelum POQ, ut arcus OP, LK, similes sint; si arcubus RK, SP, æquales sumantur RM, SQ, erit circulus PKMQ, ex centro I, descriptus, parallelus, qui quadratur: propterea quod in sphæra eiusmodi parallelus ex oppositis parallelis Aequatoris æquales arcus abscedit, quippe cum arcus abscessi habeant sinus rectos æquales, nimirum perpendicularares, quæ ex intersectionibus ilius parallelī cū parallelis Aequatoris æquibus, & oppositis, in planum circuli maximi demissi sunt: quandoquidem inter plana parallela iacet, ut ad finem Læmatis. 48. demonstrauimus. Cum ergo quatuor arcus OP, LK, TM, VQ, referant arcus æquales in sphæra, parallelus per K, descriptus transibit quoque per P, M, Q, quod est propositum.

SI T rursus datum punctum P, extra Aequatorem. Descripto ex E, per P, parallelo Aequatoris POQ, describatur eius oppositus KLM. quod fiet, si per O, ducto radio AO, secante Aequatorem in N, ducatur radius CN, secans BD, in L. Nam EL, semidiameter erit oppositi parallelorum. Ducta autem recta EP, secante parallelum KLM, in K; si arcubus OP, LK, æquales sumantur VQ, TM, transibit parallelus quadratus per P, K, M, Q, &c.

QVOD si per punctum R, quadrante distans in parallelo Aequatoris KLM, à maximo circulo BD, describendus sit parallelus, transibit is necessario per punctum quoque S, quadrante distans in parallelo POQ, ab eodem circulo maximo BD. Divisa ergo recta RS, bifariam in X, erit circulus ex X, per R, S, descriptus, parallelus, qui desideratur, tangentque duos parallelos KLM, POQ, que nadmodum in sphæra contingit. Sic parallelus describendus per S, transibit per R, &c.

SI T datum denique punctum G, in recta AC. Ducta recta DG, secante Aequatorem in F, sumatur arcui BF, arcus DH, æqualis. Circulus enim FGH, per

X x x tria

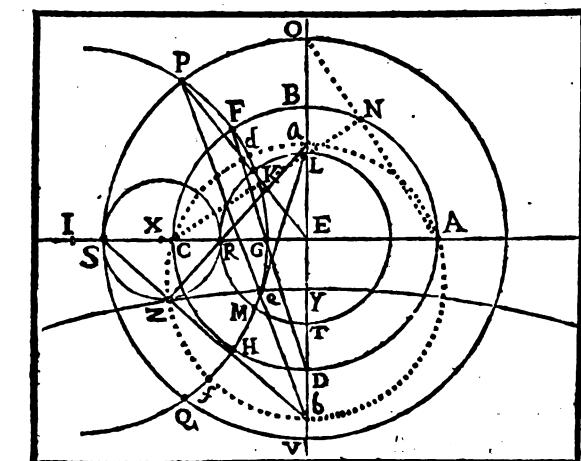


per tria puncta F, G, H, descriptis, erit parallelus quæsusitus.

Quia ratione circuli maximi, & parallelis obliqui, per parallelos maximi, ex eis per mundi polos ducti, in gradus distribuantur.

I AM verò vt videas, quam commode per huiusmodi parallelos obliqui, paralleli dividantur in gradus; vt ad finem propositionis 6. scripimus: sit parallelus obliquus YZ, tanto spatio distans à suo polo inferiore, quanto parallelus Aequatoris KLM, à polo boreali, vel POQ, ab australi absit: & eius Veticalis primarius sit a Cb, auferens ex eo quadrantis YZ. Vbi vides, parallelum RZS, per finem quadrantis LR, vel OS, descriptum, qui tangit utrumque parallelum Aequatoris, auferre eundem quadrantem YZ, & parallelum ipsum YZ, tangere in Z, quemadmodum in sphera idem parallelus RZS, tres circulos æquales KLM, POQ, YZ, tangit. Ita quoque eornis, rectam a R, ex a, polo superiore paralleli YZ, per finem quadrantis TR, parallelis Aequatoris borealis ductam transire per finem eiusdem quadrantis YZ: Item rectam bS, per finem quadrantis OS, parallelis Aequatoris australis eductam transire quoque per finem eiusdem quadrantis YZ; vt ratio postulat, quemadmodum propos. 6. Num. 21. & 24. demonstratum est. Rursus appetet, parallelum PGQ, auferre

arcu Ye, æqualem, quod ad numerum graduum attinet, tam arcui TM, quâ arcui OP, cum eundem arcum Ye, abscindat: tam recta aM, ex polo superiore, quâ recta bP, ex polo inferiore polo educata. Constat autem ex ijs, quæ prop. 6. Num. 21. & 24. demonstrata sunt, arcum Ye, arcibus TM, OP, æqualem esse.



E A D E M ratione idem parallelus PGQ, ex circulo maximo obliquo AaCb, qui polos habet in recta OV, abscindit duos arcus æquales ad, b f, respondentes nimis arcibus Aequatoris æquilibus BF, DH. Atque ita semper parallelus, cuius polus C, vel A, tam ex maximo circulo obliquo, quam non maximo, polos habente in recta OV, abscindet duos arcus æquales, initium sumentes à linea OV, per centrum obliqui circuli ducta ex centro Astrolabij.

N E Q V E verò silentio prætereundum censeo, modum hunc dividendi circulos obliquos in gradus per circulos varios per ternam puncta descriptos, quem propos. 6. Num. 36. explicauimus, virtute continere primum modum, quo tam maximi circuli obliqui, quam eorum paralleli in gradus distribuantur per rectas lineas ex alterutro polo utrum circuli obliqui propoerti egredientes: quem propos. 5. Num. 17. & 20. & propos. 6. Num. 21. & 24. declarauimus, & qui ex Lemmate 23. demonstratus fuit. Nam si in sphera concipiatur arcus.

Demonstratio.
Ita faciliter primi modi dividendi circulos obliquos in gradus, qui ex Lemma 23. pendebat.

arcus proprij Meridiani dati circulo obliqui inter polum eiusdem circuli obliqui sive superiorem, sive inferiorem, & polum mundi australem positus diuidit bifariam per circulum maximum ad eundem Meridianum rectum, existet in hoc maximo circulo perpendiculari polus cuiusdam circuli non maximi per assumptum polum circuli obliqui, & polum australem mundi, ac per datum quodvis punctum in Aequatore, vel eius parallelo transeuntis, qui ex maximo dato circulo obliquo, vel ex eius parallelo, qui parallelo Aequatoris aequalis sit, vt propos. 6. Num 21. dictum est, arcum aequalem avertit ei, quem ex Aequatore, vel eius parallelo absindit, vt in Lemmate 47. demonstratum est; cum eius polus existat in circulo illo maximo perpendiculari, à quo in proprio Meridiani equaliter absunt polus circuli obliqui, & polus mundi australis. Quare idem hic circulus in Astrolabio descriptus idem efficiet. Cum igitur proieciantur in lineam rectam, vt propositione 1. ostendimus, quippe qui per polum australem ducatur, referet eum circulum linea recta per polum circuli obliqui assumptum, hoc est, per polum superiorem, inferioremve, atque per datum punctum Aequatoris, vel eius parallelis extensa; ac propterea ex circulo dato maximo, vel eius parallelo, qui assumpto parallelo Aequatoris respondet, arcus aequalis, quod ad numerum graduum attinet, absindet, quemadmodum in primo modo prae dicto fieri docuimus. Initia porro arcuum abscissorum sumenda sunt, vt in Lemmate 47. scripsimus. Dici haec debuissent prop. 6. Num. 36. sed quia hoc primum loco occurrerunt, non premitenda censuimus.

6. V E R Y M sit iam in priore figura circa datum polum I, & per datum punctum T₂, describendus circulus, qui parallelus erit maximi circuli, cuius polus est quoque I. Ducta per I, & centrum Astrolabij E, recta, erit in hac centrum circuli describendi, vt propositione 8. Num. 19. ostendimus; quam ad rectos angulos fecerit diameter AC. Inuenio autem altero polo K, si ducatur recta TK, & duxta recta TI, fiat angulo TIF, angulus KFO, aequalis, transibit circulus quasitus per e, & recta iN, diuidens Te, bifariam, & ad angulos rectos, cadet in N, centrum, vt Num. 3. demonstratum est. Rursus si, inuenio centro R, circuli AIC, hoc est, punto medio recte IK, recta ducatur TR, & duabus TR, RI, tertia proportionalis reperiatur RL, transibit idem circulus per I, & recta pN, diuidens TI, bifariam, & ad angulos rectos, cadet in N, centrum, vt ibidem ostendimus.

SI datum punctum sit L, per quod recta EI, extensa transit, ducemus radius AL, cadentem in polum verum b; & ducto radio AL, secante Aequatorem in O, sumemus arcui bO, arcum bq, aequalem. Ducta enim recta Aq, secabit FK, in M, puncto, per quod circulus quasitus transibit, cum arcus IL, IM, respondeant arcibus aequalibus bO, bq, &c. Punctum ergo N, medium diametri visus LM, erit centrum.

QVOD si detur solum polus I, circa quem describendus sit circulus quantumcumque, non dato puncto, per quod transire debeat; ducemus radium AI, cadentem in polum verum b. Si enim accipiuntur duo arcus utrumque aequalis bO, bq, dabunt radii AO, Aq, diametrum visam circuli describendi LM, &c. Et si quidem ducta recta Oq, (qua diameter vera est quasiti circuli) transeat per centrum E, circulus descriptus erit maximus, transibitque per A, C, cum eius diameter vera per centrum transeat: Si vero non transeat per E, erit circulus descriptus, non maximus.

QVANDO datus polus est in circumferentia Aequatoris, nimirum C, in figura posteriore, describendus erit parallelus maximi circuli BD, per quodvis

a 2.2. Theor.

Circa datum po-
lum decenter
circulum, has
punctum datur,
per quod transi-
re debeat. Non
non.

Xxx 2 pun-

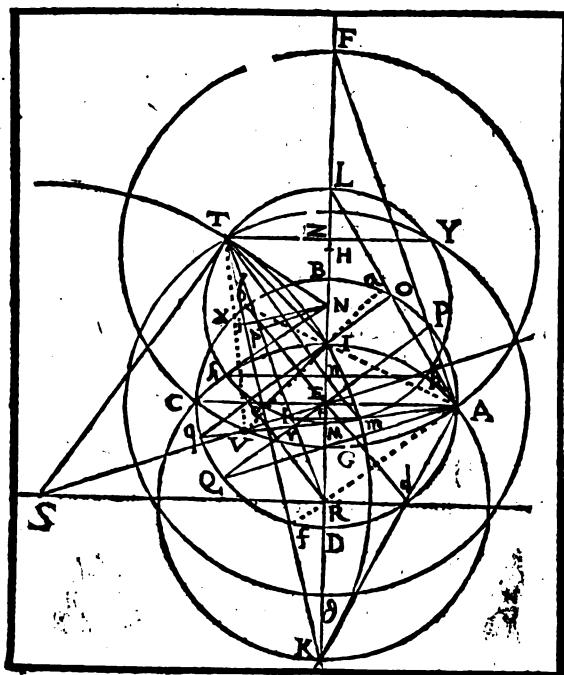
punctum assumptum P, vel F, vel K, vel G, &c. ad libitum, ut Num. 5. docuimus.

SI forte datus sit alter polus K, extra Aequatorem, inuestigandus erit oppositus I, intra Aequatorem, & cetera peragenda, ut dictum est.

I N posteriore figura res absoluetur , vt Num. 5. diximus, cum omnes illi parallelie circa polos C, A, descripti sint.

Dixo puncto in quo quis parallelo . . . opponitur punctu per diametrum eiusdem viam reperiit, etiam parallelus descriptus non sit.

IA M° verò si dato puncto in parallelo obliquo, sive descriptus ille sit, siue non, punctum per diametrum in eodem oppositum reperiit quis velit. (Id quod propositione 6. Num. 13. facturos nos hoc loco receperimus, efficiet) id hac ratione. Sit primum in parallelo descripto LTM, in priore figura, punctum datum T, cui oppositum inueniendum est, hoc est, quod in sphera dato puncto T, opponitur per diametrum. Iungatur recta H, quæ repräsentabit illam diametrum paralleli, quæ in sphera communis sectio est paralleli. & Verticaliter



1000

b 35. tertij. ad angulos rectos. b. Cum ergo rectangulum sub Tn,nm, æquale sit rectangu-
c 17. sexti. lo sub hn , nk, erit idem æquale quadrato rectæ nh: c. Est autem eidem quadra-
 to æquale quoque rectangulum sub In, nK, quod ex scholio propos. 13. lib. 6.
 Eucl. recta nh, sit media proportionalis inter In, nK. Igitur rectangula sub Tn,
 nm, & sub In, n K, æqualia sunt; ac proinde ex scholio propositionis 35. lib. 3.
 Eucl. per quatuor puncta T,I,m,K, circulus descripsi poterit T I m K, qui cum
 sit Verticalis , (quippe qui per polos Horizontis I,K, datur.) secabit paral-
 lelum in punctis oppositis , & cum cum fecerit bisariam . Igitur punctum m , per
 diametrum

diametrum opponitur puncto T , in parallelo .

I D E M punctum oppositum facilius reperietur per Verticalem, qui per datum punctum describitur, & per polos I, K, quando eiusmodi Verticalis commode describi potest. Hic enim ut proxime diximus, secabit parallelum in puncto opposito .

S I T deinde datum punctum Y , in parallelo , qui nondum sit descriptus, cui oppositum punctum inueniendum est. Ducta YT, ad FG, perpendiculari, sumatur ZT , ipsi ZY , æqualis, eritque punctum T , in eodem parallelo. Iuncta vero recta recta RT , fiat RL , tertia proportionalis duabus RT , RI. Dicolum punctum opponi dato puncto Y. Nam descripto parallelo LTM , transibit is necessario per l, propterea quod, vt propos. 6. Num. 30. monstratum est, parallelus ex recta RT , abscindit duabus RT , RI, tertiam proportionalem , qualis fuit RL. Quia vero arcus hL , hT , æquales sunt, quod ad numerum graduum spectat, vt ex propositione 6. Num. 26. liquet, & arcus hM , hL , quadrantes, referunt, erunt quoque arcus LM , TL , æquales : Sed TL , arcui YL , æqualis est, Igitur & LM, ipsi YL , æqualis erit, additoque communis arcu YM, toti arcus LYM , IMY , æquales erunt. Cum ergo LYM , semicirculus sit, erit & IMY , semicirculus, ideoque punctum l, puncto Y, per diametrum opponitur in parallelo LTM. quod est propositum . Eodem pacto, si detur punctum m, & ducta perpendiculari mt , sumatur tl , ipsi tm , æqualis, & recta RL , per l, extensa , accipiatur duabus RL , RI , tertia proportionalis RT , erit T , punctum per diametrum dato m, oppositum .

SED punctum idem oppositum reperietur facilius, si, quando commode fieri potest, Verticalis TIK, per datum punctum T , & per polos paralleli I, K, describatur. Hic enim per punctum oppositum transibit. Quare si arcui TI, arcus æqualis abscindatur Im , per ea, quæ propositione 5. Num. 18. scripsimus, erit m, quæsitum punctum oppositum .

PROBL. XVI. PROPOS. XIX.

PER datum punctum in circumferentia dati circuli non maximi in Astrolabio , circulum maximum describe rc, qui datum circulum tangat.

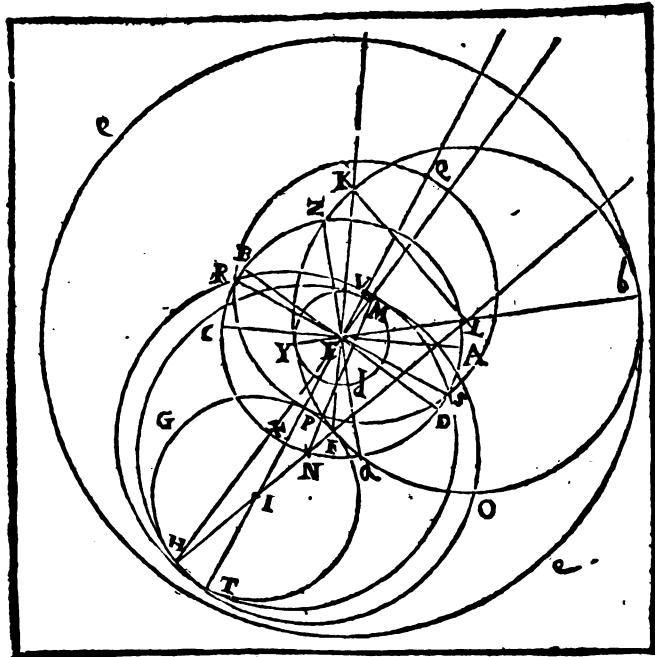
1. H A E C est prop. 14. lib. 2. Theod. quam in Astrolabio sic absoluimus . Sit Aquator Astrolabii ABCD, circa centrum E, & quilibet circulus non maximus FGH, cuius centrum I, datumque in eo punctum F. Ducta per F , & per circuli centrum I, recta IF , & quantumlibet protracta , ducatur quoque per F , & Astrolabii centrum E, alia recta FEK, in qua reperiatur punctum K, punto F, oppositum , vt propos. 6. Num. 13. docuimus: quod facile fieri, si ducta diametro AC , ad FK, perpendiculari, circa tria puncta A, F, C, circulus describatur . Hic enim secabit FBK , in puncto K , opposito . Deinde angulo KFL, æqualis fiat FKL, & crunque rectæ FL, KL, æquales. Descriptus ergo circulus ex L, per F , transibit per K, tangentque circulum datum in F , propterea quod recta in F, faciens cum utraque semidiametro IF, LF, angulos rectos, tangit utrumque circulum in F, ex coroll. propositionis 16. lib. 3. Eucl. Idem ve- re cir-

Per datum punc-
tum in circulo
non maximo, cir-
culum maximi-
qui eam tangat,
describere .

ro circulus est quoque maximus, cum per duo puncta opposita F, K, descriptus sit.

SIC etiam, si detur punctum H, ducemus per illud, & per centrum I, rectam HI. Item per H, & centrum E, rectam HEM, punctoque H, oppositum inueniemus M: quod etiam fieri, si ducta diametro BD, ad HM, perpendiculari, per tria puncta B, H, D, circulus describatur. Hic enim secabit HM, in punto M, opposito. Deinde angulo MHN, aequalem constituemus HMN, eruntque rursum aequales rectae HN, MN. Descriptus ergo circulus ex N, per H, transbit per M, tangetque circulum datum in H, ex scholio propos. 13, lib. 3, Eucl. Vel propterea quod recta faciens in H, cum HI, angulos rectos, utrumque circulum.

26. primi.



tangit, ex coroll. propos. 16 lib. 3, Eucl. Idem vero circulus est quoque maximus, cum per duo puncta H, M, opposita descriptus sit.

2. QVOD si quando accidat, datum punctum P, vel T, in tali esse situ, vt recta per ipsum, & per centrum I, emissa transeat per centrum E, cuiusmodi est recta TIPE, absoluemus problema, si ducta diametro RS, ad TE, perpendiculari, per tria puncta R, P, S, circulum describamus RPSQ, ex centro V. Hic enim maximus erit, ex scholio propos. 5. Num. 9. tangetque in P, circulum datum. Eodem modo circulus RTSV, per tria puncta R, T, S, ex centro X, descriptus, maximus erit, datumque circulum in T, continget.

3. DENIQUE si circulus datus fuerit unus parallelorum Aequatoris, qualis est Yd, & datum punctum Y, ducemus ex Y, per centrum E, rectam YE, eamque

etiamque ad angulos rectos secabimus per diametrum Za. Circulus enim ex centro L, per tria puncta a, Y, Z, descriptus a YZb, maximus erit, parallelumq; tangentem in Y, ex scholio propositionis 13. lib. 3 Euc]. Sic etiam, dato parallelo Aequatoris be, & puncto b, ducemus ex b, per centrum E₁ rectam bE₁, & ad eam excitabimus diametrum a Z, perpendicularem. Nam rursus circulus abZY, ex L, per tria puncta a, b, Z, descriptus, erit maximus, ac parallelum in b, tangentem. quod est propositum:

SED facilius hoc efficiemus, si ducta recta Yb, per centrum E, ex punto dato Y, in parallelo Yd, vel ex b, dato punto in parallelo be; parallelo Yd, oppositum parallelum be, vel parallelo be, oppositum parallelum Yd, describamus. Sexta enim recta Yb, bifariam in L, descriptus circulus abZY, ex L, per Y, vel b, utrumque parallelum contingat.

P R O B L . XVII. P R O P O S . XX.

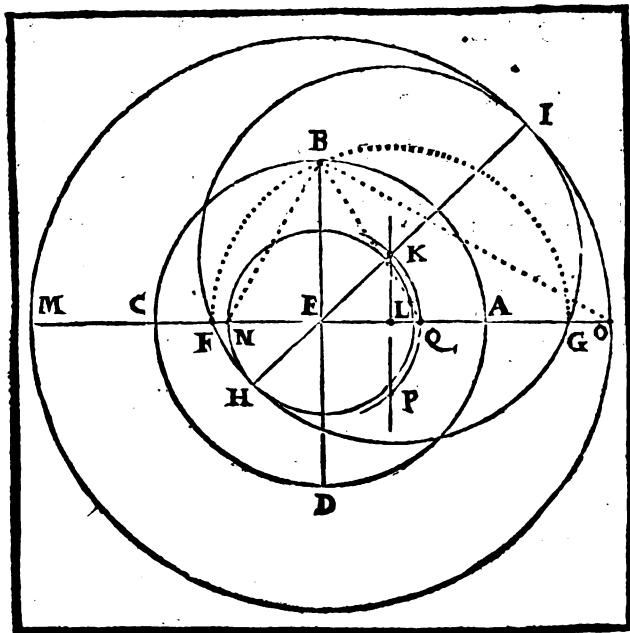
P E R datum punctum extra circumferentiam dati circuli non maximi, quod sit inter ipsum, & alium circumflexum eidem æqualem, & parallelum, circulum maximum describere, qui datum circumflexum tangat.

i. H A E C est propos. 14. lib. 2. Theod. quæ sic absolvetur in Astrolabio. Sit Aequator Astrolabii ABCD, cuius centrum E, & circulus non maximus datum HN, siue parallelus sit Aequatoris, siue alterius circuli maximi, & primum portio sphærae intra ipsum comprehensa sit hemisphærio minor: (quod tunc erit, quando circumflexus vel totus intra Aequatorem, vel totus extra continetur, eum tamen non ambiens, vel quando eū non bifariam secat, dum modo minor portio Aequatoris intra eundem circumflexum existat, vt in scholio prop. 6, Num. 9. ostendimus.) Sitque datum extra circumferentiam dati circuli, & extra ipsum circumflexum, punctum F, inter datum circumflexum, & eius parallelum oppositum, per quod describendus sit circulus maximus tangens datum circumflexum. Ducta ex F, per E, centrum Astrolabii recta FG, reperiatur ex propositione 6. Num. 13. punctum G, puncto F, oppositum, quod necessario extra datum circumflexum existet, si F, extra eundem existit, & inter eū, eiusq; parallelum oppositum. Nam si intra ipsum esset; punctum F, intra parallelum oppositum existet, non autem inter duos illos parallellos oppositos. quod est contra hypothæsim. Si enim G, esset in portione sphærae, hemisphærio minore, quam videlicet circulus datus HN, abscondit, esset eius punctum oppositum F, in opposita portione sphærae hemisphærio etiam minore, quam nimirum parallelus oppositus intra se comprehendit. Transeat autem primus recta FG, per centrum dati circuli, quod quidem semper contingit in parallelis Aequatoris, cum idem sit centrum Aequatoris, eiusque parallelorum; in aliis autem circulis non maximis non semper id accedit. Et quoniam maximus circulus per F, describendus transit quoque per G, punctum oppositum, describemus per eā, quæ ad initium Lemmatis 41. demonstrauimus, per duo puncta F, G, extra datum circumflexum exstantia, circumflexum tangentes, hoc scilicet modo. Sexta recta FG, bifariam in-

Per datum punctum extra circumferentiam dati circuli non maximi, intra ipsum circumflexum, & eius oppositum parallelum, ita ut recta coniungens datum punctum & centrum Astrolabii transeat per datum circumflexum, circulum maximum describere, qui cum tangat.

Leriga-

L, erigatur perpendicularis LK, ad FG, eritque centrum circuli describendi in recta KL, ex coroll. propos. t. lib. 3. Eucl. quod sic reperiemus. Descripto semicirculo FBG, ex L, erigentus ad FG, in E, centro circuli dati perpendicular EB, transibetq; necessario semicirculus FBG, per intersectionem recte EB, cum Aequatore, ex scolio propositionis 31. lib. 3. Eucl. quod, ducta recta FB, alter polus G, per lineam perpendiculararem ad FB, inueniatur, vt propos. 6. Num. 13. docuimus.)ductaque recta BN, ex B, ad alterutram extremitatem diametri circuli dati, nimirum ad N. constituemus angulo GNB, aequalem angulum NBQ, eritque EQ, maior, quam recta EL, vt in Lemmate 41. praedito monstratum est. Descripto ergo ex centro E, dati circuli per Q, arcu circuli secantem perpendicularem KL, in K, P, erit KEH, semidiameter, & K, centrum circu-

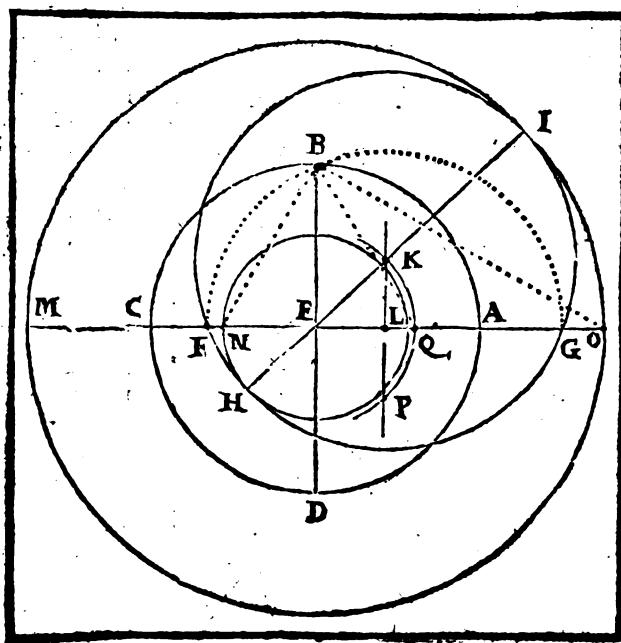


li PHG, per F, G, transeuntis, & datum circulum tangentis in H, ex una parte recte FG: at P, centrum erit circuli alterius datum circulum tangentis ex altera parte recte FG, in extremo punto recte ex P, per E, usque ad circumferentiam dati circuli ducta, vt in Lemmate 41. praedito demonstratum est.

N O N aliter problema absoluemus, si datum sit punctum G, extra dati circuli HN, circumferentiam, cum eadem conditione. Ducta enim rursum ex G, per E, centrum Astrolabii recta GF, inuenientque puncto F, opposito, quod etiam erit extra circulum, si G, sit extra eundem, & inter ipsum, eiusque parallelum oppositum; describemus circa GF, ex eius punto L, medio semicirculum

Bum GBF, & ex L, E, perpendiculares excitabimus LK, EB. Transeat autem rursum recta GF, per centrum dati circuli. Ducta igitur ex B, ad extremum N, verbi gratia, recta BN, reliqua perficiemus, ut prius.

2. SI T deinde datus circulus non maximus MIO, & portio sphæræ intra ipsum, & polum arcticum E, hemisphærio maior: (quod tunc continget, quando circulus vel totum Aequatorem ambit, vel eum non bifariam secat, dummodo maior portio Aequatoris intra eundem circulum includatur, vt in scho-lio propositionis 6. Num. 9. ostendimus.) datum autem punctum sit F, extra dati circuli circumferentiam, & intra ipsum existens. Transeat rursus recta ex F, per E, centrum Astrolabii ducta, per centrum circuli, inueniaturque pun-



Estum **G**, ipsi **F**, oppositum, quod etiam intra datum circulum erit. Si enim ca-
deret extra, esset punctum **F**, intra parallelum oppositum, non autem intra da-
tum circulum, & eius parallellum oppositum, **zqualemque**, quod est contra
hypothesim. Nam si **G**, esset extra circulum **MIO**, hoc est, in portione mino-
re hemisphaerio, **z**quæ videlicet **extra** circulum continetur, esset eius punctum
oppositum **F**, in opposita portione spheræ, **z**quæ scilicet intra parallelum oppo-
situm existit: Secta ergo recta **FG**, bifariam in **L**, descripto quo se nuncirculo
FBG, circa **FG**, ex **L**, excitentur ad **FG**, perpendiculares **LK**, **EB**. Ducta de-
inde ex **B**, ad extremitatem **O**, verbi gratia, diametri circuli dati; recta **BO**,
hac angulo **BOF**, **z**qualis angulus **OBQ**, eritque rursus **EQ** maior quam **EL**.

Yyy **vtin**

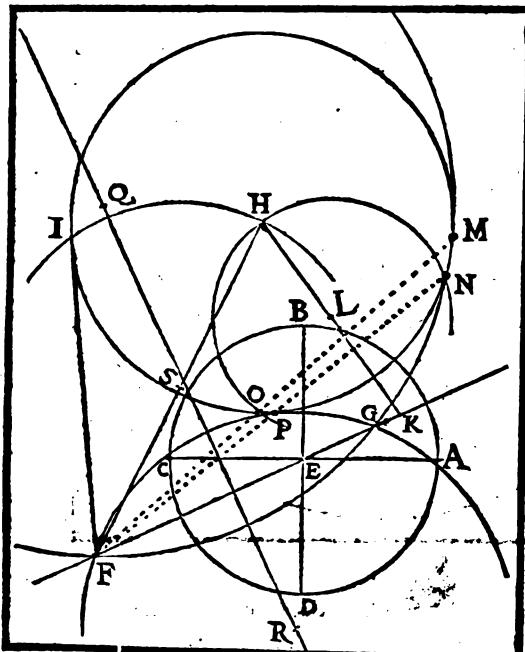
ut in Lemmate 41. monstratum est. Descripto autem ex E, centro dati circuli per Q, arcu circuli secante perpendicularare KL, in K, P, erit K, centrum circuli FIG, datum circulum tangentis in I, extremo punto rectae EK, usque ad circumferentiam dati circuli produxit ex una parte recta FG: at P, centrum erit alterius cuiusdam circuli datum circulum ex altera parte recte FG, tangentis in punto, extremo recte EP, usq; ad circumferentiam dati circuli produxit ex una parte in predicto Lemmate 41. ostendimus.

Eodem modo procedemus, si datum punctum sit G, intra datum circulum, qui positione hemisphaerio maiorem, contineat. Ducta enim rursus ex G, per E, centrum Astrolabii GF, inuenitoque puncto opposito F, quod etiam intra circulum erit, si G, sit inter ipsum circulum, eiusque parallelum oppositum: reliqua absoluimus, ut prius, si modo recta FG, transeat quoque per centrum dati circuli.

3. Praeterea sit datum circulus non maximus IMO, includens

portionem spherae ha-
misphaerio minore,
cuius centrum H. Re-
cta autem ex F, dato
puncto extra circum-
ferentiam dati circu-
li per E, centrum A-
strolabij educta non
transeat per centrum
H, siue eadem circu-
lum secat, siue non.
Inuenito ergo puncto
G, quod dato punto
F, oppositur, descri-
bendus erit maximus
circulus per duo punc-
ta F, G, opposita, tan-
gens datum circulum.
quod per Lemma 41.
sic fieri. Ducta ex da-
to punto F, ad cen-
trum H, recta FH,
describatur ex me-
dio eius punto S, per
H, arcus circuli se-
cans datum circulum
in I; & ducta recta
FI, inueniatur dua-
bus rectis GF, FI, ter-

Per datum pun-
ctum extra circu-
ferentiam circuli
non maximus, in-
ter ipsum circu-
lum, & eius op-
positum paralle-
lum, ita ut recta
conangens datum
punctum, & cen-
trum Astrolabii
non transeat per
dato circuli cen-
trum, circulum
maximum, qui
cum tangat, de-
scibere.

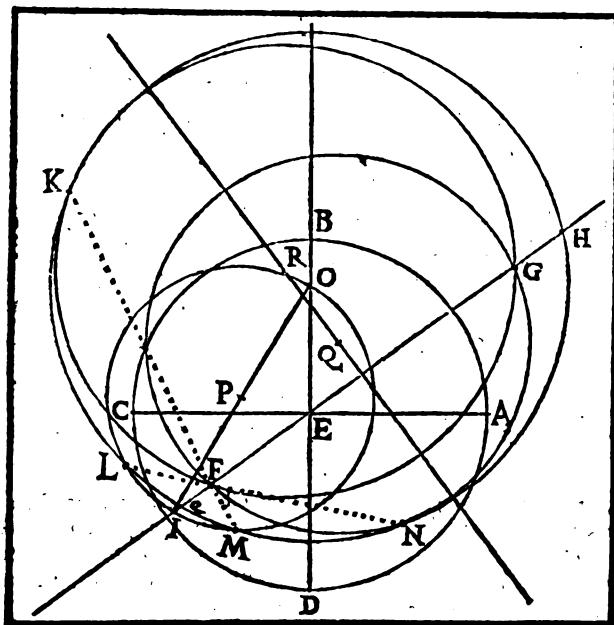


tia proportionalis FK; cadetque punctum K, aut citra G, aut ultra G. Vbicunque tandem existat, ducta recta KH, describatur ex medio eius puncto L, circulus per H, secans datum circulum in O, N. Si igitur ducatur ex dato punto F, per O, punctum propinquius puncto I, recta FO, usque ad circumferentiam in punctum M, circulus per tria puncta F, G, M, descriptus ex centro Q, quod est in perpendiculari QR, secante FG, bisariam, tangentem datum circulum in M,

vt in

vt in Lemmate 41. demonstratum est. Si vero ex eodem puncto F , dato ad punctum N , longius distans ab I , recta FN , ducatur secans circumferentiam dati circuli in P , circulus per tria puncta F , G , P , descriptus ex centro R , quod etiam existit in perpendiculari QR , secante FG , bifariam , tanget eundem circulum datum in P , vt in eodem Lemmate 41. ostensum est.

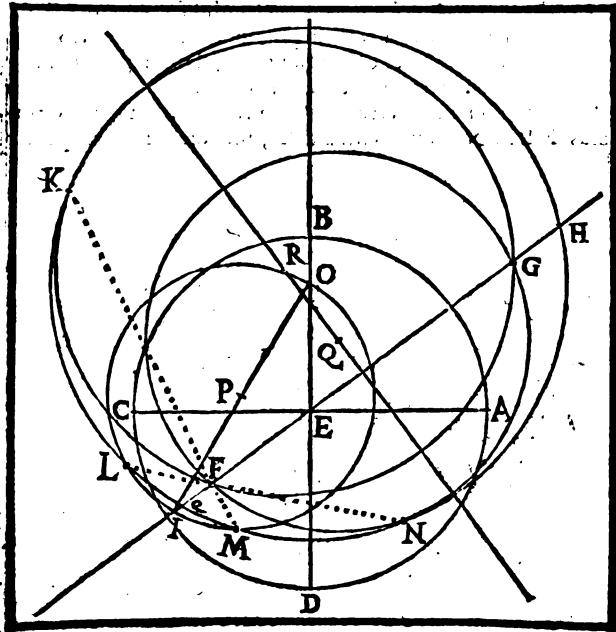
4. NON aliter per idem Lemma 41. circulum tangentem describemus , si circulus datus non maximus maiorem portionem hemisphaerio includat , ac proinde , vt paulo ante Num. 2. ostendimus , tam datum punctum , quam eius oppositum intra eundem circulum existat ; vt eo in Lemmate demonstratum est , quando duo puncta intra circulum data fuerint . Sit enim circulus datus non maximus KLMN , cuius centrum O , includens sphærę portionem ha-



misphaerio maiorem : Et recta ex F , punto intra circulum dato per E , centrum Astrolabii ducta non transeat rursum per centrum O . Inuenito ergo punto G , quod per diametrum punto F , opponitur , erit quoque G , intra datum circulum , vt Num. 2. diximus . Describendus ergo est circulus maximus per duo puncta F , G , per diametrum opposita , tangens datum circulum . quod per Lemma 41. sic fieri . Tribus rectis FG , FH , FE , inuenta quarta proportionali FI , cadet necessario punctum I , extra datum circulum , vt ibidem demonstrauimus . Ducta ex I , ad centrum O , recta IO , eaque bifariam secta

Y y 2 in P,

In P, describatur ex P, per O, circulus secans datum circulum in L, M. Si igitur ex L, per F, ducatur recta secans datum circulum in N, tangentem circulum per tria puncta F, G, N, descriptus, (cuius centrum Q, erit in recta QR, secante rectam FG, bifariam, & ad angulos rectos) interius datum circu-



lum in N, ut in Lemmate 41. demonstratum est. Pari ratione si ex M, per F, recta extendatur secans datum circulum in K, circulus per tria puncta F, G, K, ex centro R, (quod in eadem recta QR, secante FG, bifariam, & ad angulos rectos existit.) descriptus, datum circulum tangent in K, ut in eodem Lemmate 41. ostendimus. Quod est propositum.

S C H O L I V M.

Instrumentum astrolabium iam, qua ratione instrumentum, in quo Astrolabium de scriptum sit, conseruantur. Pareatur igitur ex orichalco, vel cupro, vel alia materia solida, circulus ABCD, cuius centrum E, satis magnitudinis, quancam instrumentum habere cupimus: qui ex una parte excavetur circulariter, reliquo limbo, ut in eo numero horarum, & graduum describi possit, ex altera vero parte accurvissime complanetur. Deinde preparantur aliquot circulares lamina anae, vel cupria tanta magnitudinis, ut comode intra partem excavatam collocari possint. Et 100, ut concavitatem compleante.

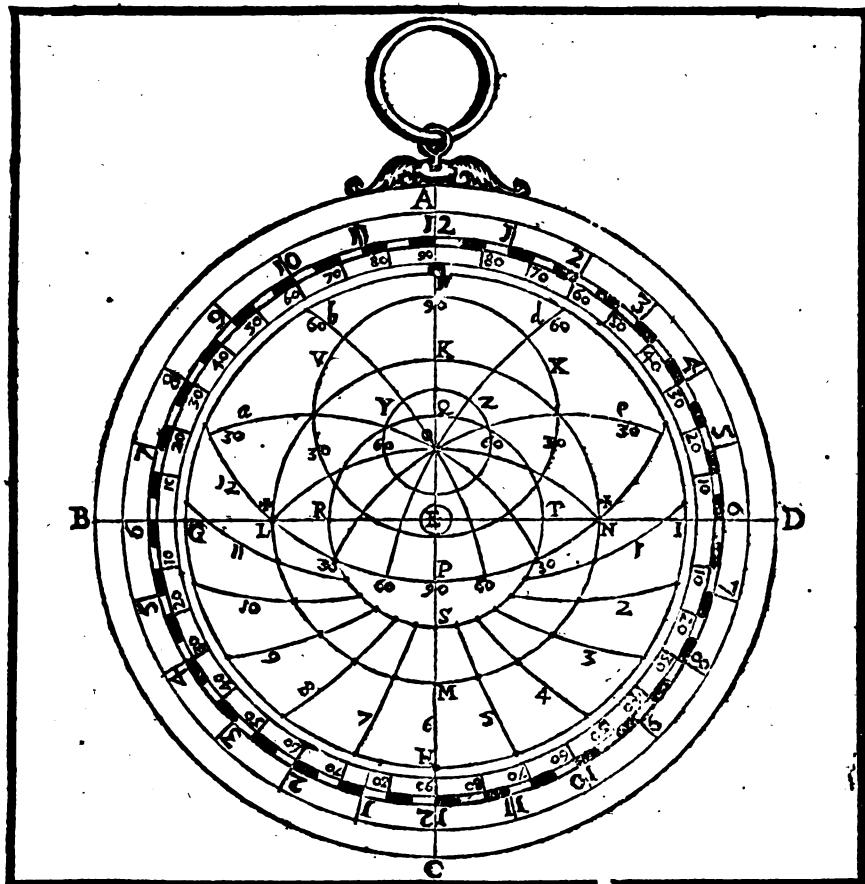
Hac

Hec pars excavata cum limbo, & laminis, quas tympana vocare solent, dicitur à scri-
peribus Facies Astrolabij, & eius pars concava intra lymbum concentra, Mater: altera
vero pars, Dorsum Astrolabij appellatur.

3. F A C I E S ergo sic construetur. Limbus qualiter circulis ex eodem centro fa-
ciet descripsit dividatur in tria spatia: In exteriore diuidetur in 24. partes aequales descri-
batur numerus horarum, ut in figura apparet: spatiuum medium secur in 360. gradus,

Partes Astrolo-
bi quae.
Dorsum Astrolo-
bi quae.

Facies Astrolo-
bi constructio-



inizio fatto à recta BD: in tertio denique, & interiore spacio apponantur numeri
graduum, quorum initium sit in recta BD, ita ut grad. 90. terminetur ad utramq;
partem recta AC.

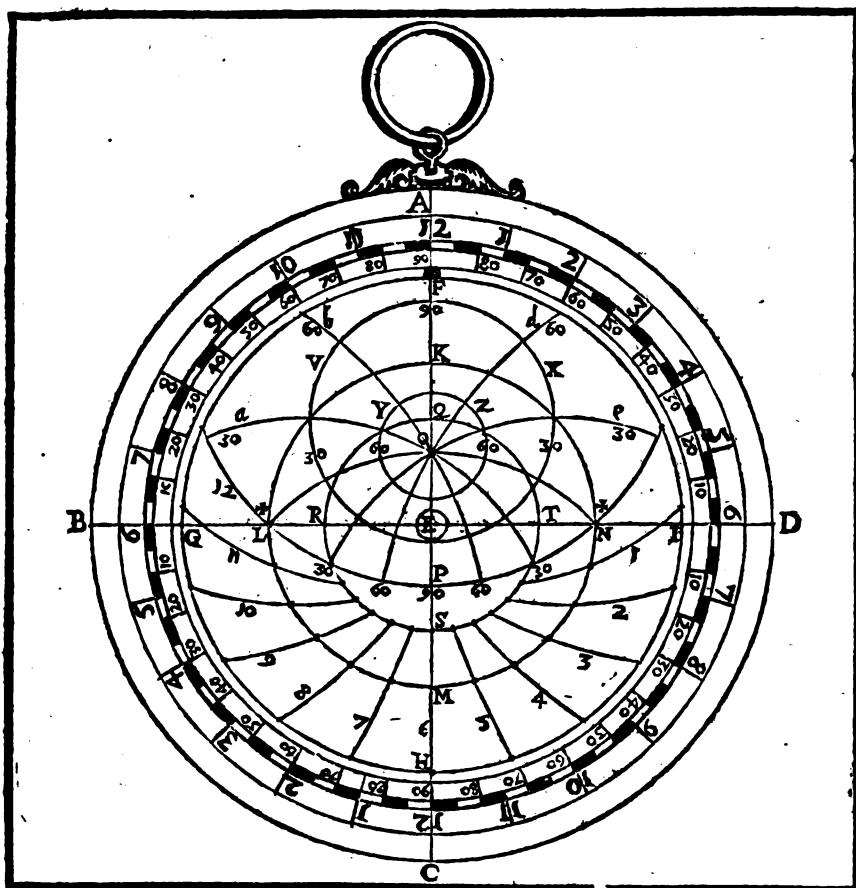
3. D E I N D E in laminis anis ad hoc negosium preparatis describantur tro-
picus λ , FGHI; Äquator KLMN; & tropicus δ , QRST, ex data magui-
tudine

Limi constructio
in facie Astrolo-
bi.

Tympanorum
facie Astrolo-
bi constructio.

rudine tropicis, ut in scholio propositionis 4. Num. 1. docuimus, nisi prius ex data magnitudine Aequatoris tropicos describere velis, atque ex descripto tropico. \odot , Martis magnitudinem definire.

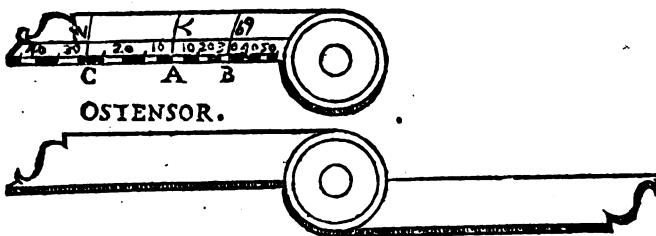
POST hanc in una lamina describantur pro data altitudine poli, reliqui circuli spherae, quoniamque commode describi possunt. Nos exempli causa in subiecta figura ad altitudinem poli grad. 42. qualis forma est Roma, descripsimus Horizontem L. P. N. &



cum duobus tantummodo eius parallelis VX , YZ , circa Zenith O, qui 30. gradibus inter se distant; Verticalem primarum LON , cum quatuor diurnis alijs Verticibus a O, bO, dO, eO, gradibus etiam 30. inter se distantes; Ac denique infra Horizontem circulas horarum inaequium tantum, diuidentes partiones tam tropicorum, quam Aequatoris sub Horizonte in 12. partes aquales. In eadem Lamina describi

describi poterunt, si placet, circuli domorum caelestium, ut propos 10. traditum est, & circuli horarum ab ore, vel occasu Solis, quos hic describendos esse non censuramus, ne figuram tanta linearum multitudine confundiremus. Quemadmodum au-
tem in una lamina circuli predicti descripti sunt pro data poli altitudine, vel pro da-
ta latitudine loci, sic in alijs delineandi idem erit pro alijs poli altitudinibus, qua-
nim virum magis usui fuerit creduntur. Ad extreum in una sola, in qua Aequa-
tor & tropici sint tantummodo descripti, Eclipticam designatim in signa, & gra-
duis exquisissime distributam, vba cum stellis nonnullis, resecis tamen partibus se-
perfluis, ad instar retis cuiuspiam, ita ut relinquantur tantummodo Ecliptica cum
nominibus signorum, & numeris graduum, & cacumina stellarum. Solet autem in
singulis laminis relinqui denticulus quidam prope superiorem partem F, qui in for-
amen limbi iuxta idem punctum F, immittatur, ne lamina ipse ad motum retis cir-
cumducatur, sed eundem semper scutum obtineant: Sola retis lamina hoc denticulo
carebit, ut libere circa centrum E, circumvolvi possit: in quem finem circa centrum
E, excindendus est circulus quidam exiguis in omnibus laminis, ut rete circa clauis
teretem, qui foramen illud rotundum expleat, circumducatur. Quid si in superiori
parte Astrolabij iuxta punctum A, affigatur armilla, ex qua Astrolabium suspen-
sum libere pendeat, & in centro Astrolabij apponatur regula quedam volubilis, cu-
ius linea extrema altera, quam lineam fiducie dicunt, per centrum transeat, abso-
luta erit tota facies Astrolabij. Hac autem regula dicitur ostensor. & vel solum à
centro ad limbi extremitatem proceduntur, vel duplo longior est, ut subiecta figura de-
monstrat. Divida quoque solet hac regula à centro usque ad tropicum λ , in gradus,

Armilla suspen-
soria, & ostensoris
conditio.



hoc modo. Primum ex centro transferuntur semi-diametri Aequatoris, tropici σ . & tropici λ , usque ad A, B, C, ex Astrolabio. Deinde diviso semicirculo Aequato-
ris L K N, in 180. grad. emittuntur ex N, ad singulos gradus recta secantes EF, semi-diametrum in gradus, qui in regulam ex centro transferuntur, eorumque nume-
ri ab Aequatoris puncto A, incipiunt, & versus utrumque tropicorum progrediuntur
ut in figura appareat, ubi per denos gradus progrediuntur. Officium hinc gradum
est, indicare declinationes punctorum Astrolabij ab Aequatore, atque adeo fungi mu-
nere omnium parallelorum Aequatoris.

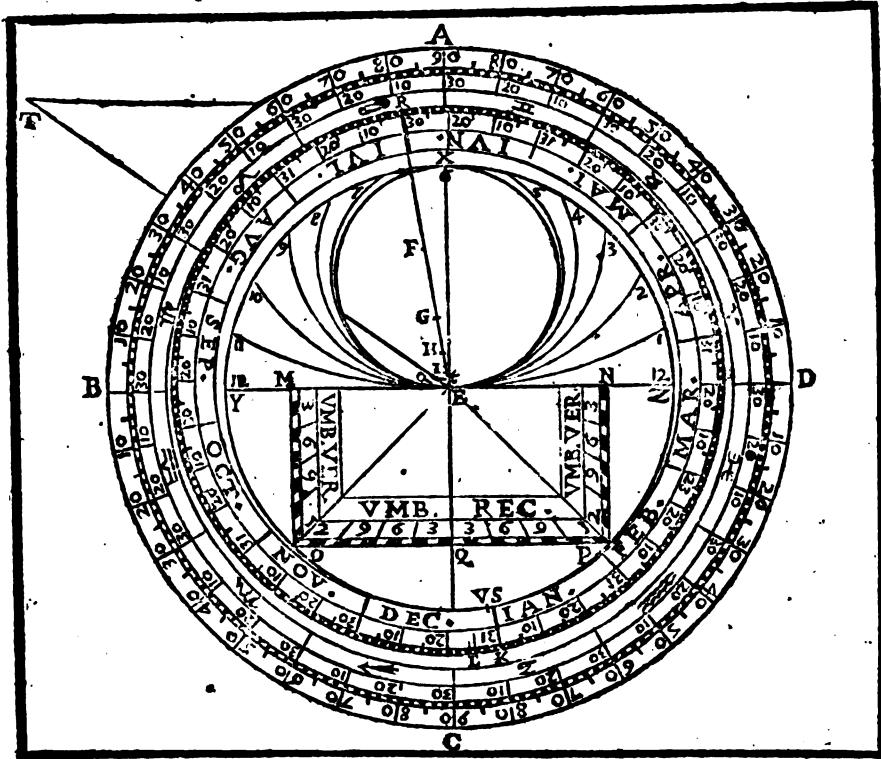
4. DORSVM autem Astrolabij sic construetur. Primum exterior limbus quinque
que circulis in 4. spatis distribuendis est, & in extimo numeri graduum, in quos proxima
mum spatium divisum est, ponendi, initio factio à punctis B, D, versusque A, C, progre-
diend, ita ut in A, & C, grad. 90. scribatur. In tertio spatio desribendis sunt numeri
graduum per 30. precedentium pro signis, quorum principalem est in punto D: Atque
in ultimo spacio signa pingenda sunt, ut in figura vides.

Dorsu Astrolabii
construere.

Limbi in dorso
Astrolabii con-
struere.

5. DEIN-

5. DE INDE alia tria spatia per 4. circulos paranda sunt pro diebus mensibus in supremo spatio, & pro erendum numero in medio, ac tandem pro mensum nominibus in infimo collocandi, quod duobus fieri solet modis. Non quatuor hi circuli vel concentrici sunt cum prioribus quinque, vel eccentrici. Qui eos concentricos faciunt, applicantur regulam centro E. Et 10. gradus 10. linearumque SK, per tria illa spatia ducunt pro initio Ianuarii, propterea quod, ut Ephemerides docent, Sol primo die anni in gradu 10. 10. existit. Deinde ex eisdem Ephemeridibus inuestigant, ubi Sol reperiatur die quinto anni, & ad gradum Solis aliam rectam ducunt pro die s. Ianuarii. Idemque faciunt pro die 1. 2. 15. 20. &c. donec ad finem anni perueniant, efficiantque spacia



73. qua subdivisa in 5. partes aequales dabunt 365. dies totius anni. Tandem vero in tertio spacio inscribunt mensum nomina, & numerum dierum secundum signorum successionem, tribuendo Ianuario dies 31. Februario dies 28. Martio 31. Aprili 30. & reliquis mensibus proprios dierum numeros. Huius divisionis exemplum non aperiusimus, tam quia facilis est, tam etiam quia plerunque apud scriptores Astrolabij, praeferim apud Ioannem Stophlerium, reperitur.

6. Quid vero eccentricos potius circulos describunt, ne cogantur per quinos dies locum

locum Sollis inuestigare, hanc tenent viam. Quarum locum augis Solis, que hoc tempore est in gradu 9. Cencri, & ab eo semidiametrum ducunt RE, eamque bifurciam secant in F, & rursum EF, bifurciam in G, & iterum EG, offurciam in H, rursum sumque EH, bifurciam in I, & denique EI, bifurciam in t, ut Et, sit una particula ex 32. in quae tota RE, divisa est. Ita enim sit, ut proportio Et, ad tE, nimirum 31. ad 1, sit propinquum eadem, que 6o. ad 1 $\frac{1}{15}$. quam videlicet hoc tempore habet semidiametrum Eccentrici Solis ad eccentricitatem, cum eccentricitas per temp 1. & min. 56. quarum 6o. in semidiametro Eccentrici concinnetur. Re ipsa tamen paulo minor est proportio 31. ad 1. quam 6o. ad 1 $\frac{1}{15}$. sed quia discrimen periculum est, iure accipi potest particula Et, pro eccentricitate hoc tempore. Quando autem mutata reperiatur quantitas eccentricitatis, dividenda erit recta ER, int, ut proportio Et, ad tE, sit eadem, que 6o. ad eccentricitatem, ut hoc tempore ad partem 1. & minuta 56. quod ita sit. Ducta recta ET, sumatur beneficio circini particula aquales 116. ab E, usque ad a, hoc est, pars 1. & min. 56. qua faciunt 116. minuta. Primum quidem sumantur 10. Deinde hac linea sexies sumpta dabit 6o. Adiecta eadem linea quinques, dabit 110. & adiectis 6. particulis eiusdem linea, habebuntur 116. particula. Post hac sumptis ex hisce particulis, 6o. que faciunt partem 1. accipiatur hac pars sexages, nimirum primum decies, deinde hac linea 10. partium sexies. Sint ergo in aT, partes 6o. quarum aE, concinet 1. & min. 56. ductaque recta TR, agatur ei parallela a t, eritque eccentricitas tE, cum sit, ut a 2. sextis Ta, ad aE, hoc est, ut 6o. ad eccentricitatem, ita Et, ad tE. Sed quoniam fieri non potest, ut recta ET, in proposito plano tot particulas suscipiat, ut nimirum Ea, concinnet 116. & aT, 360. rectius feceris, si in alio plato lineam satis longam in eas partes feces. Nam si aliquam eius partem aliquotam, ut dimidiam, vel tertiam, vel quartam, vel quintam &c. sumperis, qui commode ex E, usque ad T, transferri posse, & eandem parrem aliquotam illius segmenti, quod particulas 116. concinet, ex E, in a, transferas, & iuncta recta TR, parallelam duxeris a t, habebis punctum t, ut prius. Nam erit, ut tota illa linea ad segmentum particularum 116. ita eius b 15. quinque, quinta pars u. g. ET, ad Ea, quintam partem dicti segmenti. Ergo dividendo, ut maius segmentum eiusdem recte ad minus, hoc est, ut semidiametrum Eccentrici ad eccentricitatem, ita Ta, ad aE; ac proinde etiam ita Et, ad tE. Ex centro igitur t, ad internum tR, describunt circulum Eccentricum, & infra hunc alios tres, & superium spaciū in dies parsuntur hoc modo. Principium laniarij in K, reperiunt, ut q, qui concentricos circulos describunt. Deinde applicare regulam centro E, & gradui 4. min. 40. & o, hoc est, puncto, quod a 10. gradu & o, versus principium abest grad. 5. min. 20. nec ante punctum L, in Eccentrico, quia spatium KL, respondet diebus 5 $\frac{1}{2}$. quibus in opposito augis Sol conficit grad. 5. min. 20. reliquus vero arcus KRL, reliquo 360. dies anni complectitur. Diviso igitur arcu KRL, in 360. partes aquales, & arcu LK, in 5 $\frac{1}{4}$. hoc est, in partes 21. quarum 20. quinque diebus debentur, & aliqua quarta pars dies, distribuens erit totus Eccentricus in dies 365. & horas. 6. Mensis denique inscribuntur, ut prius.

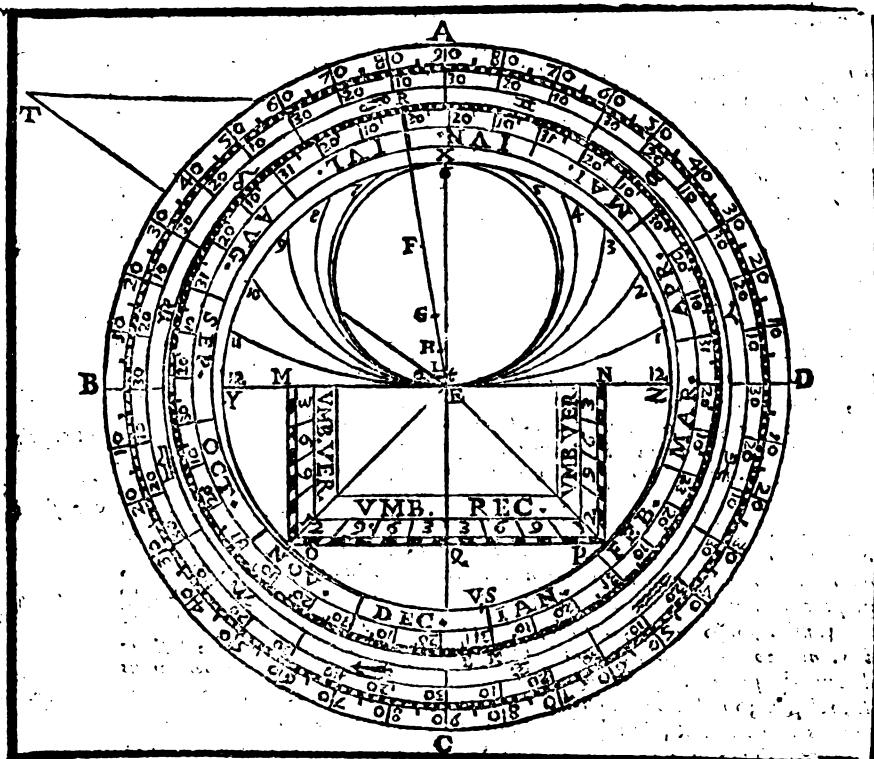
7. A D hac erit construenda scala altimbra hoc modo. Descripere Z, ex qua tangentes ultimum eccentricum in V, ducantur duæ semidiametres BO, & P, ad grad. 45. limbi secantes circulum descriptum in O, P. In illaque OP, secante EC, in Q, absindantur EM, EN, ipsiis QO, QP, aquales, tangentesque recta OM, PN. Divisis autem rectis quarum MO, OQ, QP, PN, in 32. partes aquales, ductisque terminis rectic, quatisq; aquidistans, concinanteque tria spatia, proponantur in extimo spacio diecadas partes ad cenerum Z, dependent; in spacio me-

Mensam ac diaram in dorso Atrabilis per circulos eccentricos descripere.

scale altimbrae
in dorso Atrabilis
per circulos
eccentricos

dio numerus partium reponatur, ita ut s.s. occupet angulos O, P. in tertio denique spatio umbra recta, & versa scribatur, recta quidem in latero OP, versa autem in lateribus OM, PN.

8. DIVISIS quoque duobus quadrantibus XY, XZ, in sexas partes aequales, descriptisque arcubus circulorum per centrum E, & bina puncta à diametro CD, aequaliter remotis, querum centra in diastrem A-C, existunt, & ultimus circa diametrum EX, integer describitur, habebuntur in dorso s.s. hora inaequales, ut in figura apparet.



9. POSTREMO in centro E, apponitur mediclinium volubile, quod nibil est aliud, quam obesor integer paulo ante descriptus, affixis tamen in extremitatibus tabellis quadratis perforatis, que pinnacilia dicuntur. Atque rotum hoc mediclinium appellari quoque solet Dioptra ab Astronomis.

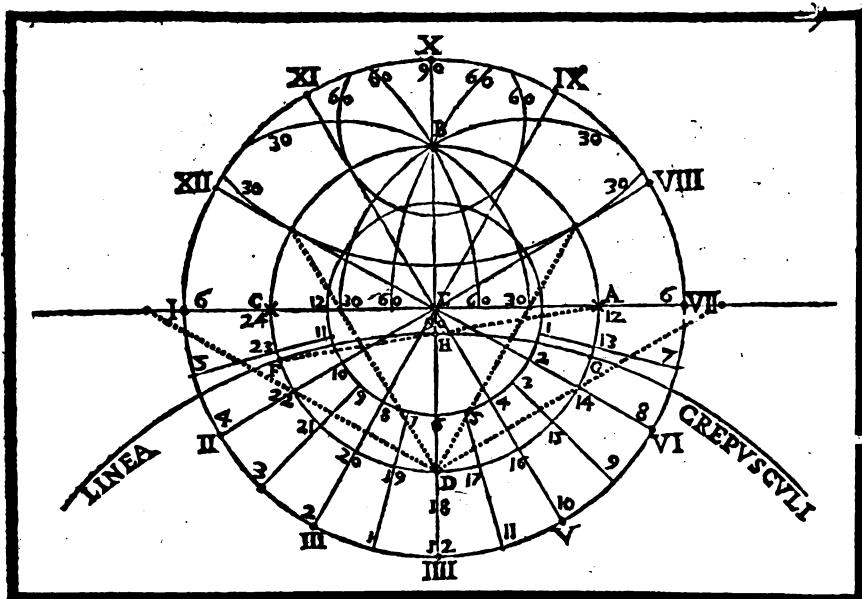
10. SED ut Astrolabium nostrum omnibus mundi partibus inserviat, adcessimus, quia ratione ipsum tam in sphera recta, quam in obliquissima, ubi polus mundi in vertice constituerit, describendum sit: quod ex ijs, qua demonstrata sunt, difficile non erit. In primis igitur in utraque sphera limbus facies, Aequator, tropici, & alijs

ali parallelo Aequatoris, Rete, & rotum dorsum, configurantur, ut in qualibet sphera obliqua.

11. DE IN D E in sphera recta, quoniam Horizon per polos mundi transit, projecteturque in rectam lineam per E, centrum Astraliby, quod & polus mundi est, traeclam, ut propos. 1. ostensum est; sit recta AC, Horizon rectus, cui ad angulos rectos insistens recta BD, Meridianum circulum referat. Et quia in ea sphera Aequator ABCD, primarius Verticis est, erit punctum B, gradus 90. utrinque ab Horizonte AC, recedens vertex caput, sine polus Horizonis, & oppositum Verticis, vel alter polus Horizonis, D.

Astrolibel insigne
in recta conser-
vatio.

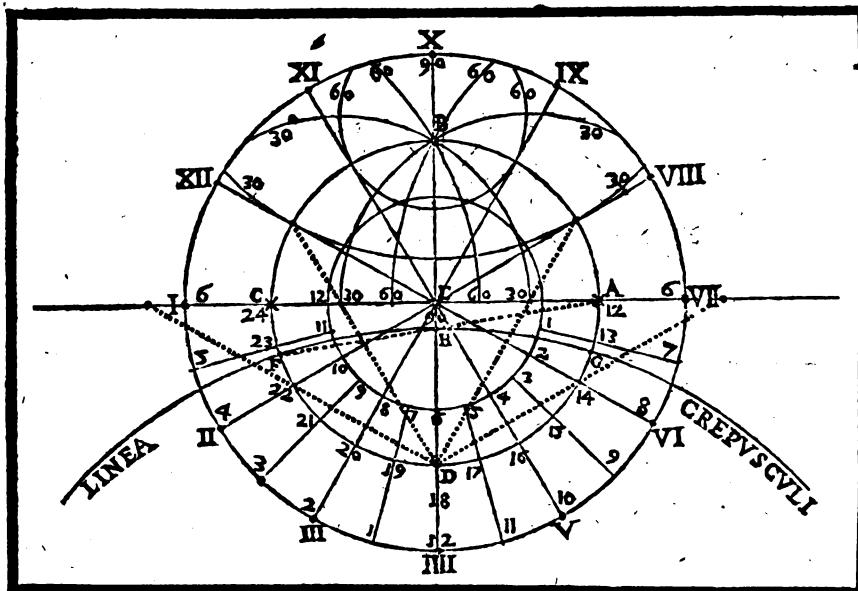
ALMVCANTARTH, hoc est, parallelo Horizonis recti, describentur, ut propos. 7. Num. 2. & 3. tradidimus, ut in figura descriptos esse vides duos circa Zenithem B, quorum alter ab Horizonte, & alter ab illo, & à Zenith 30. gradibus absit.



ZIMVTH, seu circuli Verticales describentur, ut in sphera obliqua. Nam si Aequator ABCD, hoc est, Verticalis primarius, in tot partes aequales scilicet, quos Verticales describendi sunt, & per puncta divisionum ex B, vel D, recta emittantur, secabuntur recta AC, in centris Varietalium per B, D, duendorum, scilicet in quoque Horizonem rectum AC, in gradus, quemadmodum in sphera obliqua propos. 8. Verticales circuli parallelum Horizonis per rectam PQ, representatum in gradus partiuntur, ut ibidem demonstratum est. In hac figura quatuor Verticales descripti sunt, 30. gradibus inter se distantes.

In sphera recta idem circuli maximi indicant tā horas à mer. & med. aoc. quādā ab or. & occ. regis horas inaequales.

HORA R. I. I. circuli cuiusque generis representantur hic per rectas ex centro E. a per quindenos gradus Aequatoris, eiusque parallelorum, ductas. Nam cum Horizon rectas, & circuli horarum à meridie, ac media nocte, per polos mundi ducantur, transibunt quoque & circuli horarum ab ortu aequo occasu, & horarum inaequalium per eosdem polos, illi quidem, quia nullus est parallelus Horizontem tangens, quem ipsi tangent, hi vero ut tam semicirculi parallelorum diurni, quam nocturni in 12. horas aquales distribuantur; que quidem initium habere possunt vel à meridie, & media nocte, vel ab ortu & occasu. Cum igitur omnes circuli maximis per polos mundi incidentes projiciantur in lineas rectas, ut propos. 1. ostensum est, liquido confiat, rectas lineas ductas, ve diximus, referre circulos horarios cuiusvis generis. Has lineas solum infra



Horizontem rectum AC, & intra tropicos produxitmus, ne linearum multitudo supra Horizontem confusionem nobis exhibeat. Numeri porro iuxta tropicum λ , descripti ad horas à meridie, & media nocte, iuxta Aequatorem vero, ad horas ab ore, & occasu iuxta tropicum λ , denique ad horas inaequales pertinent.

D O M Y S calestes tam ex sententia Ioan. Regiom. quam secundum Campanum, projiciuntur, ut circuli horarij. Transiunt namque & eorum circuli per polos mundi, in primis per communas sectiones Horizonis, ac Meridiani, ac proinde in rectas lineas projiciantur, quas per totum Astrolabium edaximus, dividentes tam Aequatorem, ut unde Ioan. Regiom. quam Verticalem primarium, ut Campano placet, qui ab Aequatore

quatuore hic non differt, in 1.2. partes aquales.

L I N E A denique Crepusculi non aliter describetur, quam circuli altitudinem; seu paralleli Horizonis, cum & circulus, in quo Crepusculum matutinum habet initium, & finem vespereum, sit Horizonis parallelus, distans ab Horizonte versus Nadir grad. 18. Itaque si ex A, & C, in Aequatore sub Horizonte supplicantur grad. 18. usque ad G, F, & ex A, per F, recta ducatur secans meridianam lineam in H, describendus erit parallelus, sive linea Crepusculi, vel Aurora, per tria puncta F, H, G, centrum in meridiana linea ED, producta habens.

1.2. AT vero in sphera obliquissima, qua verticem capitis habet in polo artico, describendi sunt paralleli Aequatoris usque ad Aequatorem duxantes, hoc est, solum boreales; propterea quod, cum Aequator ibi sit Horizon, parallels inter Aequatorem, & tropicum ϑ , infra Horizontem sunt, nullumque usum habent, prater illum, in quo crepusculum matutinum incipit, & vespereum finitur. In figura sequenti Aequator est ABCD; tropicus ϑ , & circulus articus sunt duo circuli punctum intersecantibus: hoc est, proximus Aequatori, & proximus centro E.

Astrolabii in sphera obliquissima constructione.

H O R I Z O N, ut dictum est, ab Aequatore non differt, ideoque eius parallelis describuntur, ut parallelis Aequatoris: adeo ut quadrante BC, in 90. grad. diviso, si ex A, per singulos gradus recta educantur, secabitur recta BD, in punctis, per que ex centro E, Altimetra recta describendi sunt. In figura descripti sunt duo tangentia paralleli, scilicet 60 \circ gradibus, ab Horizonte distantes, quorum semidiametros absindunt radis AF, AG.

V E R T I C A L E S circuli, cum per mundi polos incedant, nimis per polos Horizonis, in rectas per centrum E, transentes proiecuntur, ut propos. 1. ostensum est. Quamobrem recta per centrum E, ducta, partientesq; Aequatorem, hoc est, Horizontem Astrolabij, in 360. partes aquales, instar omnium Verticalium erunt. In figura descripti Vertebrates quadrantes gradibus inter se distantes.

H O R A R I I circuli, linea quoque recta sunt, dividentes Aequatorem, eisq; parallelos, in 24. horas aquales, cum per polos etiam mundi incedant: initiumque habere possunt in quocunque punto, ut in linea recta BD, quam in Astrolabio pro meridiana linea assumptius. Indicant autem huiusmodi hora partes viginti et quatuor unius etenim revolutionis Aequatoris ab aliquo punto fixo inchoata, non autem ab ortu, vel occasu, nec a meridiis, vel media nocte, cum perpetua ibi sit dies. Solo existente in hemisphario supero, atque adeo neque ortus, vel occasus, neque meridiis, vel media nocte possit assignari, si proprio loco velutum. Potest tamen pro libito assumi recta BD, pro linea meridiana, & AC, pro Vertebrali primario, ac proinde ex puncto C, quemadmodum pro ortu, & A, pro occasu, &c.

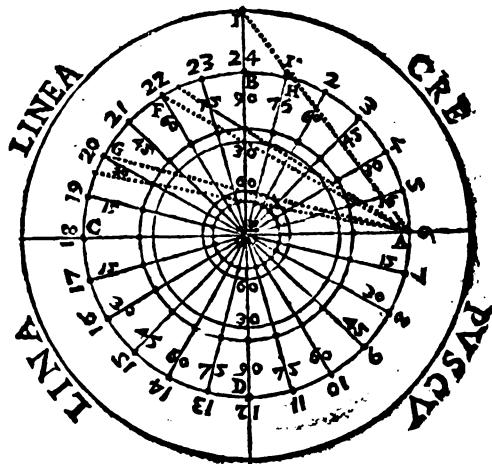
In sphera obliquissima non habet proprias horas a meridiis, vel medie nocte, aut ab ortu, vel occasu, nec tantum aquales.

C A E L E S T I V M domorum circuli in hoc Astrolabio inscribi nequunt, propterea quod neque verus ortus, occasusque datur, neque Aequator dividit potest per circulos maximos per communes sectiones Meridiani, etiam pro libito assumpti, & Horizonis, qui idem est, qui Aequator, incidentes, ut liquet. Quod si ortum, & occasum appellemus puncta C, A, & meridianam lineam BD, describentur, ex sententia Campani, domorum caelostium circuli, ut Vertebrates in sphera recta. Nam si Vertebralis primarius esse ABCD, ad planum Astrolabij rectus, faciensq; in Astrolabio rectam AC, & per 1.2. partes aquales ipsius in eo sit ex B, vel D, recta emittantur, dividetur Vertebralis linea AC, in centris circulorum caelostium domorum, qui omnes per puncta B, & D, transibunt. Quemadmodum enim in sphera recta circuli habentes contra in recta AC, hoc est, in Horizonte recto, incidentesque per puncta B, D, nimis per verticem capitis, punctumque oppositum, dividunt rectum Horizontem

In sphera obliquissima nulli sunt proprii circuli domorum caelostium.

zontem in suos gradus, ita & bi circuli transentes per B, D, communes sectiones Hoc rizontis ABCD, & Meridiani assumpti, partiuntur Verticalem lineam AC, in 12. domicilia coelestia, &c.

D E N I Q V E Crepusculi linea, cum referat parallelum Aequatoris, id est, Horizontis obliquissimi, ad oppositum polum vergentem, distantemque ab Aequatore grad. 18. projectetur in Astrolabium hac ratione. Ex B, versus polum antarcticum A, (quia parallelus per initium crepusculi matutini, & finem vespertini descriptus,



australis est in hac obliquissima sphera,) suppetentur grad. 18. usque ad H; & ex A, radius emitatur per H, secans rectam BD, in I. Nam circulus ex E, centro per I, descriptus dabit lineam crepusculinam, hoc est, parallelum 18. gradibus infra Horizontem depresso, ut ex ijs, qua demonstrantur sunt, perspicuum est.

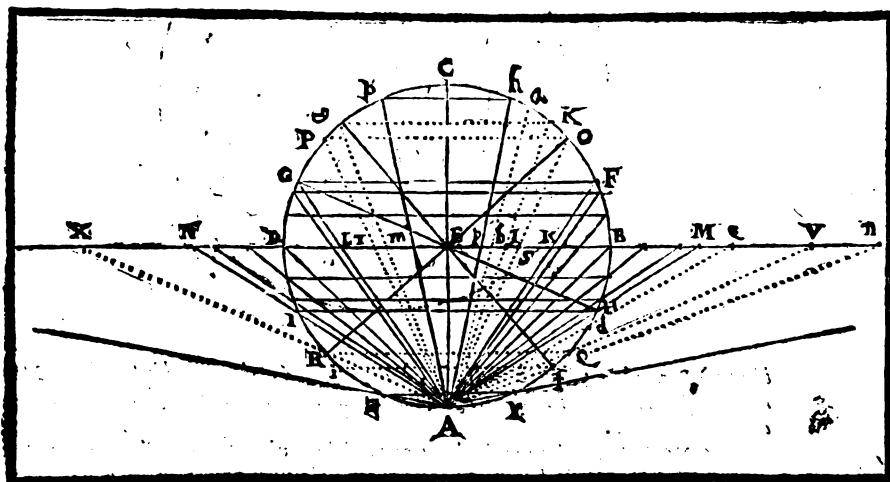
Astrolobiū sphēra obliquissimū boreali, quo pæcto obliquissimū sphēra australi accommodatur. 13. P O R R O idem hoc Astrolobium illis quoque inferniot, qui sub polo antarcticō degunt, si centrum E, pro polo antarcticō, & tropicus ☽, pro tropico ☾, & circulus artificis pro antarcticō sumatur; signa item Zodiaci singula cum oppositis permutentur, ita ut ex V, fiat ☽; & ex ♈, fiat M; & ♉, ex II. & ☽, ex ☽. &c. Nam oculo constituto in polo opposito, nimurum in artico, (in eo enim oculus constitundus est, ut Astrolobium in sphera australi describatur,) polus antarcticus conspicitur in E, & tropicus ☽, in ea forma, in qua tropicus ☽, ex polo antarcticō cornitur, &c.

Astrolobiū sphēra cuiusvis obliquissimū boreali, quo pæcto obliquissimū sphēra australi accommodatur. 14. EODEM modo Astrolobium sphēra oblique cuiuslibet accommodabitur an tipodibus illius, quibus polus antarcticus supra Horizontem elevatur; si eadem permutaatio fiat signorum septentrionalium in australi, & contra, &c. Sed stella aliter sive collocanda in Reti, australes videlicet prope centrum, hoc est, prope polum antarcticum. Quod etiam de Reti in Astrolobio sphēra obliquissima australis dicendum est: quia in huiusmodi Astrolobio confirmando oculus statuitur in polo boreali, ut australis in E, centro apparent, ut dictum est.

15. QVEM-

15. Q U E M A D M O D V M autem in plano Aequatoris hactenus descripsimus omnes circulos ealesies ea forma , ac distansia unius ab altero , qua ex polo australi cernuntur : ita idem in plano cuiuslibet circuli maximi describi poterunt ea forma , distansiaque , qua ex inferiore eius polo apparente , si circulus Analemmatis , in quo diametri circulorum continentur , sumatur pro Meridianio proprio illius circulum maximi , hoc est , pro circulo per polos mundi , ac per polos illius circuli maximi duco . Exempli causa . Si in prima figura propos . 4. recta BD , accipiatur pro diametro Horizonis ; A , pro eius polo inferiore , sive pro Nadir , & C , pro polo superiore , sive pro Zenith ; fg. pro diametro Aequatoris ; O , pro polo mundi boreali , quippe qui punctum verticali C , propinquior sit , & R , pro australi , &c. apparetur Horizon in quantitate circuli ABCD , & Zenith in E , centro ; atque eius parallelis describentur , ut prius parallelis Aequatoris descripsi fuere ; Aequator autem cum suis parallelis proj-

Descriptio Astro-
labii in plano ca-
usticis circulis me-
ximi obliqui .

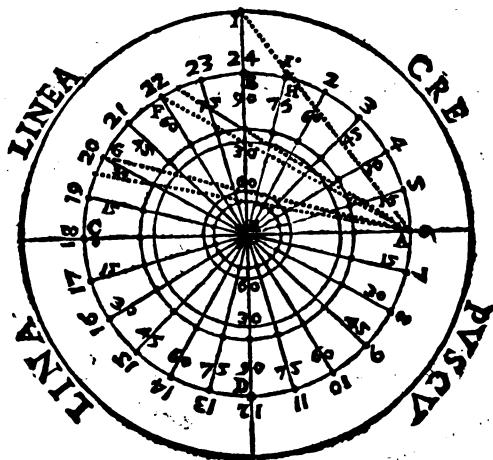


icitur in planum Astrolabij , ut prius Horizon obliquus cum proprijs parallelis , ita ut min , sit diameter Aequatoris apparente , polusque boreus O , appareat in S , & austri-
alis R , in X ; Verticales autem omnes projectentur in rectas lineas per centrum E , in-
cidentes , quemadmodum prius circuli horarij , & circuli declinationum per polos mun-
di transeuntes , &c. Atque hac quidem ratione Astrolabium in plane Horizonis de-
scriptum erit , non autem in plano Aequatoris . Quae res facile ex ijs , qua demonstra-
ta sunt , intelligi potest , & clarissima percipietur lib . 3. can . 12. & in alijs nonnullis fo-
quentibus , in quibus circulus ABCD , qui hactenus in Astrolabio fuit Aequator , Ho-
rizontem referet , &c. in canone autem ss . Num . 8. Astrolabium in plane Ecliptica
describemus .

16. SED neque hoc omissendum est , globum terrestrem cum omnibus circulis , &
oppidis , instar Astrolabij describi posse , ea nimur formae , quam Num . 12. Astro-
labium in sphera obliquissima habuit . Nam Aequator erit ABCD ; circuli longi-
itudinum , sive Meridiani per rectas per centrum E , traectas representabuntur ; circuli
denique

Descriptio terra-
rum in forma Astro-
labii .

denique non maximi latitudinem describentur, ut paralleli Aequatoris. Itaque si queratur situs alicuius ciuitatis, sumemus u.g. rectam ED, pro Meridiano insularum Fortunatarum, à quo Cosmographi initium sumunt longitudinem, & ab eo dexteriorum longitudinem proposita ciuitatis numerabimus, ac per finem numeracionis ex E, rectam ducemus pro Meridiano illius ciuitatis. Deinde parallelum Aequatoris describemus pro latitudine eiusdem ciuitatis, quam quidem, si borealis est, numeran-



dimus à B, versus C; si vero australis, à B, versus A. Vbi enim hic parallelus Meridianum, siue rectam ex E, per longitudinem ciuitatis ductam intersectat, ibi locus eius ciuitatis proposita.

QVONIAM autē loca australiora, qua videlicet ultra tropicum λ , excurrunt, agrè in Astrolabio describi posse, commode fecerimus, si duas mappas describamus, unam ab Aequatore versus polum borealem E, ut habemus diximus, & alteram ab Aequatore versus australiem polum, quem tunc referas centrum E. &c. Sed bac planiora sicut lib. 3. Cap. 15. ubi distancias locorum inquirimus.

F I N I S S E C V N D I L I B R I .

A S T R O L A B I I L I B E R T E R T I V S.

A U C T O R E

C H R I S T O P H O R O C L A V I O
B A M B E R G E N S I
E S O C I E T A T E I E S V .



V P E R E S T tertius liber, ac postremus, in quo de multiplici usu circulorum, quos superiore libro in Astrolabio descripsimus, agendum est. Quia in re omnis nobis cura atque opera ponenda erit, ut que alij per instrumentum materiale inuestigant, nos solo circino, & regula, & quidem longe certius, accuratiusque inquiramus: quamquam usum vulgarem Astrolabij materialis non omnino neglegatur sumus, verum in principijs Canonum, ubi commode fieri poterit, explicatur: (Neque enim semper id præstare poterimus, cum multo plura sine instrumento perscrutaturi simus, quam ullius Astrolabij beneficio inueniri queant) ut ijs præsertim satisfaciamus, qui Astrolabium habent, & eius usu delectantur. Atque ut planius id, quod nobis in tertio hoc libro propositum est, intelligatur, proponatur ante oculos globus aliquis ita diligenter tornatus, ut nihil fieri possit rotundius. Ut igitur in eo liceret nobis dimetiri omnia interualla punctorum, arcuum magnitudines atque angulorum, circuli unius ad alterum inclinationem, & id genus alia: ita eadem omnino conabimur in plana aliqua superficie inuestigare; ut nihil prorsus sit, quod in primo mobili cognoscere quis cupiat, quod perfectissime in plano assequi nostris præceptis non possit: adeo ut quæcunque etiam ex doctrina triangulorum sphericorum, quæ immensa est, & propemodum infinita, molestissimis numerorum multiplicationibus, divisionibusque Astronomi mirabili sane artificio, atque industria eruunt, non.

Argemantus
tertij libri.

A a a a minus

minus exploratè in piano aliquo spatio , circulorum beneficio , qui in praecedenti libro descripti sunt , erūere , indigare , atque scrutari nobis liceat . Quæres ut magis absolute perfectaque reddatur , adiungemus plerisque in locis usum ciuiam Analemmatis , quo non pauca problemata Astronomica mira interdum facilitate , ac incunditate solvuntur . Neque vero prætermittimus , quin eorum , qua proposita nobis sunt , nonnulla per sinuum quoque doctrinam perquirere doceamus . Sed qua nostro hoc novo Astrolabij usu acquiri possunt , longe clarissim Canones , qui sequuntur , docebunt , quæ multæ verborum ambages explicare queant . Quamobrem ad Canones statim ipsos aggrediamur .

. C A N O N I .

ALTITUDINEM Solis , aliarumq; stellarum quolibet momento temporis deprehendere .

*Altitudo sideris
qua pado explora-
randa per Astro-
labium .*

1. SVSPE NDA T V R. Astrolabium ex armilla , vt libèrè pendeat , puma-
nusque B , versus Solem , aut stellam dirigatur , & mediclinum dorſi A-
strolabij fursum ac deorsum tamdiu circa centrum E , conuertatur , donec per
respondentia foramina pinnacidiiorum radius Solis transeat , vel donec oculus
per eadem foramina stellam , aut etiam Solem interdum , quando nubibus con-
tectus est , aspiciat , medicliniumque situm v. g. obtineat rectæ FG . Dico gra-
duis in arcu BF , contentos indicare altitudinem Solis , vel stellæ , hoc est , quot
gradus in arcu BF , includuntur , totidem intercipi inter Solem , stellam ve-
tus , atque Horizontem in Verticali circulo per Solem , vel stellam tempore obser-
uationis ducto . Quoniam enim , vt in sphæra demonstrauimus , terra , si cum
cælo conseratur , instar puncti est , erit E , centrum Astrolabii idem , quod cen-
trum terræ , seu cœli , ipsumque instrumentum idcirco in piano Verticali , qui
per Solem tunc , aut stellam ducitur , circa idem centrum erit collocatum . Cum
ergo recta BD , Horizonti æquidistet , & linea rectæ ex circulis concentricis
similes arcus absindant , vt in scholio propos . 22. lib . 3. Eucl . ostendimus , in-
tercipient rectæ E B , E F , ad coelum usque protractæ tot gradus in Verticali
per Solem aut stellam ducto , quot in arcu BF , continentur . Quamobrem
cum EF , ad Solem , vel stellam pertingat , indicabit arcus BF , gradus inter
astrum , & Horizontem in dicto Verticali interceptos .

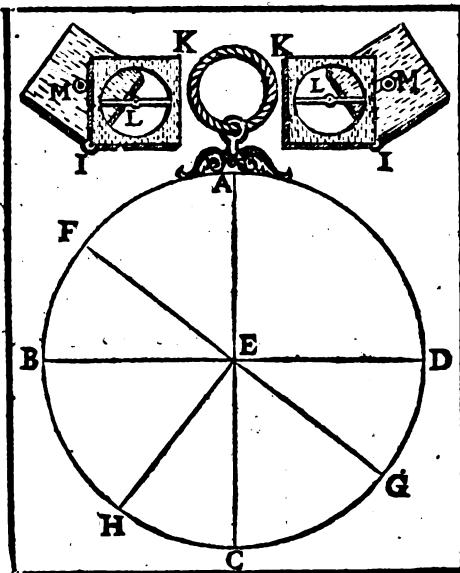
*Quadrans , como-
dum instrumentum
ad altitudines si-
derum captandas ,
quam Astrola-
bium .*

2. QVONIAM vero molestum est toties mediclinum eleuare ac deprime-
re , donec per pinnacidiiorum foramina radius Solis penetret , aut oculus
astrum aspiciat , commodius , aptiusque instrumentum ad siderum altitudines
captandas erit Quadrans circuli EHG , in cuius latere EG , affixa sint duo pin-
nacidia , numerusque 90. graduum incipiat ab H , versus G , progrediendo , ac
tandem ex centro E , filum cum perpendiculari pendeat . Nam si huiusmodi
Quadrantis latus EH , versus Solem , vel stellam dirigatur , & ipse Quadrans ,
radente eius planam superficiem filo perpendiculari , eleuetur , ac deprimatur
circa centrum E , tanquam cardinem , donec radius Solis per foramina pinna-
cidiorum

cidiorum ingrediatur, vel radius visualis per eadem foramina stellam inspiciat, (quod quidem facilius, atque expeditius in Quadrante fit, quam in Astrolabio, ut experientia docet) abscindet filum perpendiculari arcū HC, altitudinis astri. Quia enim radius GE, productus pertingit ad astrum, ostendet arcus BF, altitudinem ipsius, ut demonstratum est. Cum ergo BF, HC, aequales sint, quod & Quadrantes toti FH, BC, aequales sint, & arcus BH, ablatus, communis; erit quoque HC, arcus altitudinis astri. Est & alia causa, cur in hoc negotio Quadrantem Astrolabio praeferam: quia nimurum, ut per Astrolabium altitudo deprehendatur, necesse est, ipsum uniformem habere gravitatem, adeo ut, quemcunque situm habeat in mediclinium, recta AC, in centrum mundi omnino vergat, quod plerique non fit, cum facile instrumentū plus ponderis in una, quam in alia parte possit habere.

3. QVANDO porro per radium visualē altitudo stellæ inuestiganda est, construi debent duo pinnacida hoc modo. In tabella quadrata IK, fiat foramen magnum rotundum, in cuius medio relinquatur foramen exiguum L, quod sustineatur à diametro quadam tenui, & circa I, circumueretur alia tabella quadrata priori equalis, in cuius medio sit pere exiguum foramen M, respondens foraminī L. Huiusmodi duo pinnacida si fiant, dici vix potest, quam expedite quamcunque stellam, aut aliam quamlibet rem contueri liceat. Nam pinnacidium, quod ab oculo proprius absit, claudendum est tabella illa quadrata, aliud autem aperiendum. Sic enim siet, ut radius visualis per foramen M, prope oculum immisus, illico consipiat per illud foramen L, in pinnacido remotiore, stellam, vel aliam rem proposita: quia foramen illud magnum apertum facile rem ipsam intueri, & sine vi- lo negotio foramen exiguum L, in ipsam rem dirigere nos sinit.

4. VT autem scias, quando stella prope Meridianum existit, num ante ipsum, an post, an vero in ipso Meridianō reperiatur; accipienda est stellæ altitu- do bis, terue, modico temporis spatio inter duas proximas obseruationes inter- lecto. Si namque posterior altitudo deprehendatur priore maior, stellam non- dum attigile Meridianum scias; si vero minor, Meridianum pertransisse, & quādo maximam deprehensa est habuisse altitudinem, in ipso Meridianō extitisse. Sed quanta sit altitudo Meridiana Solis qualibet dñe, & stellarum in quouis cli- mate, infra Canone 3. Num. 8. docebimus,



Pinnacida que
pacto confun-
da.

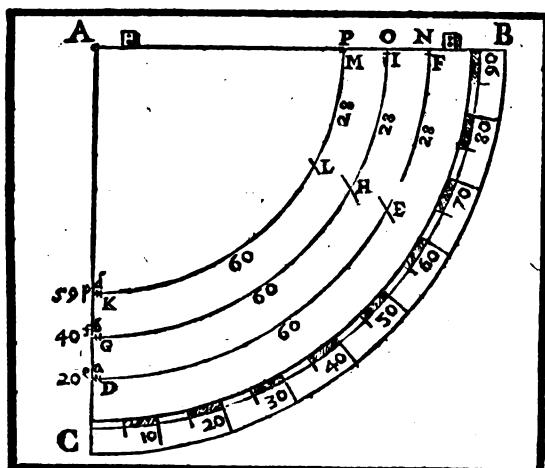
Num stella be-
ante Meridianū,
vel post, vel in
ipso extitit, co-
gnoscere.

Quo pacto in et
studine fiduciam
præter gradus
Minuta accipian
tur.

I. *C V M in Quadrante, vel Astrolabio gradus tantum integri descripti sint, fit ut altitudo stellarum ad unguem tunc solum deprehendasur, quando filum perpendiculari, aut linea fiducia Mediclinij, in gradum aliquid integrum cadit. Nam cadentia filo, aut linea fiducia, in partem aliquius gradus, addenda erunt gradibus integris altitudinis rot Minuta, quo estimatione, plus minus, indicari poterunt esse absissa à filo, vel linea fiducia: adeo ut, si dimidiatus gradus videatur abscondi, adjiciantur 3 o. Min. si tercia pars, Minuta 2 o. &c. Aut certe beneficio particula absissa erundus erit per circinum Minutorum numerus, ut in Lemmato 3. Et ultimo capite libellis de Fabreca & usu instrumenti ad horologiorum descriptionem peropportuni, docimus.*

2. In eodem libello & capitulo de scriptis & Quadrantem planas quadrantes complectentem, & Quadratum cum plurimis lineis parallelis, ad cognoscendum, quos Minuta in arcu, qui uno integro gradu minor sit, & quem perpendiculi filum abscedit, continantur: qua duo instrumenta illustris & excellens Dominus Jacobus Curtius à Senftenau in omni doctrinaram genere exercitatisimus, tunc Caesarus ad Summum Pontificem Legatus, nunc autem S. R. Imperij Pro cancellarius, à se primum inuenita, Roma humanissime mecum communicauit. Idem vero non ita multo post ex Germania mihi transmisit alterius cuiusdam Quadrantis constructionem novam, ex quo facilius Minuta discernuntur, cuius compositionem non grauabor hoc loco explicare, ut quilibet sibi similem construere possit, si liberatur. Sit igitur quadrans BC, diuisus in 90. gradus, quorum initium progrederiatur à C, versus B. & pinnacida in latere AB, collocentur. Nos cum, ob spatiū angustiam, in quibus gradus partiti sumus, latera hinc ex

**Quadrantis con-
structio, quo vi-
stra gradus Min-
ta quoque discer-
tus.**



odem centro A, describantur alij 3.9. quadrantes, qui dividantur in gradus hoc modo.
In primo, qui proximus est quadranti BC, in grad. 90. diffuso, arcus concinens grad. 6.1.
secetur in partes 6.0. aquales, vel arcus graduum $\frac{3}{2}0 \cdot \frac{1}{2}$. nimirum sensibus ipsius, in
partes 3.0. aquales, quarum qualibet concinabit grad. 1. Min. 1. sec eft. Minima 6.1.

Name _____

² Nam eadem proportio est partium 60. in quas arcus graduum 61. diuisus est, ad gradus 61. hoc est, ad Minuta 3600. qua partis 1. ad Min. 61. Idem enim numerus producitur ex 60. primo numero, in 61. quartum numerum, (producitur autem numerus minorum 3600.) qui ex 1. tertio numero in 3600. secundum numerum producitur. Autem eadem ob causam, eadem est proportio partium 30. in quas arcus graduum 30 $\frac{1}{2}$. diuisus est, ad grad. 30 $\frac{1}{2}$. hoc est, ad Minuta 1830. qua partis 1. ad Min. 61. Hec autem diuisio, ut confusio punctorum in primo illo quadrante videntur, facienda est scorsum in quadrante alio, quia illi aequalis est. Deinde una pars continens Min. 61. transferatur beneficio circini in primum quadrante predictum, initio facto à semidiametro AC. Ex termino huius partis ad interuallum semidiametri propriam absindatur arcus grad. 60. quo diuisio in 60. gradus, continebit reliquias arcus usque ad semidiametrum AB. grad. 28. Min. 59. ac proinde in eum transferendi sunt grad. 28. ita ut superficies particula Minutorum 59.

I N secundo quadrante arcus graduum 62. in 60. partes, vel arcus graduum 3 $\frac{1}{2}$. in 30. partes aequales sicutur, ut qualibet continet grad. 1. Min. 2.

I N tertio arcus graduum 63. in 60. partes, vel arcus graduum 3 $\frac{1}{2}$ in partes 36. aequales dividatur. In quarto idem fiat de arcu graduum 64. vel 3 $\frac{1}{2}$. Et sic deinceps. Reliqua autem perspiciantur, ut de primo quadrante diximus. Quod ut planius fiat, ponamus exemplum in quadrante 20. 40. & 59. sive ultimo. Itaque in quadrante trigesimo eN, sit arcus e D, pars sexagesima arcus graduum 80. (nimisum tot gradum ultra 60. quotum locum ipse quadrans occupat,) ita ut complectatur grad. 1. Min. 20. b. cum sit, ut 60. arcus graduum 80. ad grad. 80. hoc est, ad min. 4800. ita 1. pars ad grad. 1. Min. 20. hoc est, ad Min. 80. Vel certe arcus e D, sit pars trigesima arcus graduum 40. Ita enim rursus continebit gradus 1 $\frac{1}{3}$. hoc est, Min. 80. Deinde ad interuallum semidiametri AE, absindatur arcus DE, grad. 60. qui propterea in 60. gradus distribuatur: arcus autem EF, continet grad. 28. & arcus FN, Min. 40. quod arcus EF, complectatur grad. 89. Min. 20. Ita ut particula FN N, sit complementum Minutorum, qua in e D, ultra unum gradum continentur: complementum, inquam, usque ad 60.

R V R S V S in quadragesto quadrante fO, arcus fG, sit sexagesima pars arcus graduum 100. vel pars trigesima arcus graduum 50. qui illius semijissis est; ita ut continet grad. 1. Min. 40. Arcus vero GH, continet grad. 60. & Hl. 28. & denique IO, Min. 20. nimisum complementum Minutorum 40. que in fG, ultra unum gradum comprehenduntur.

P O S T R E M O in quadrante pP, quinquagesimo nono sit arcus pK, sexagesima pars arcus graduum 119. vel pars trigesima arcus graduum 59 $\frac{1}{2}$. qui semijiss illius est; ita ut continet grad. 1. Min. 59. Arcus autem KL, sit gradum 60. & LM. grad. 28. & denique MP, Min. 1. Ex his exemplis facile intelliges. quid faciendum sit in alijs quadrantibus. Semper enim in qualibet quadrante secundus est in 60. partes aequales arcus, qui sit gradus ultra 60. complectatur, quotum locum quadrans ipse tenet, excluso extremitate BC. Ita enim continebit particula ipsius prope semidiametrum AC, ultra unum gradum totidem Minuta, quotus ipse quadrans est inter quadrantes, hoc est, quot gradus ultra 60. continebuntur in arcu diuiso in 60. partes aequales. Ultima vero particula iuxta semidiametrum AB, includet reliqua Minuta ex 60. Idemque afficeris, si semijiss illius arcus, quem in 60. partes secundum diximus, partieris in 30. aequales partes.

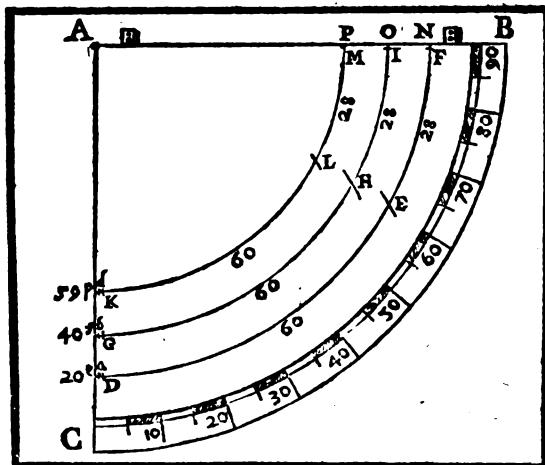
P E R A C T A diuisione omniū quadrantium, adscribendi sunt eorū numeri iuxta semidiametrum AC, ita ut primus quadrans circa quadrantem BC, habeat numerū 1. secundus 2. tertius 3. vigesimus 20. quadragesimus 40. quinquagesimus nonus 59. &c.

² 19. sept.

3. V S V S

3. V S P S quadrantis hoc modo constructi praeclarus est, cum eius beneficio in aliis studiis astrorum cognoscamus etiam Minuta. Nam cadente filo in aliquem gradum quadrantis BC, altitudo continebit tot gradus sine Minutis, quot à filo abscinduntur. Quando autem filum non abscindit aliquem gradum ex quadrante BC, considera attente, ex quo quadrante partem integrum abscindat; quod scire semper accipies, propter partium multis studinem. Nam altitudo tunc continebit ultra gradus ex quadrante BC, abscissos et insuper Minuta, quot unitates adscriptae sunt illi quadranti, cuius pars integrum fuit abscissa. Ut cadente filo ultra gradum 30. in particularum aliquam integrum quadrantis quadragesimi, complectetur altitudo Grad. 30. Min. 40.

4. V E R V M quia hac ratione cognoscuntur solum Minuta ultra unum, vel plures gradus; ut discernantur etiam Minuta circa unum gradum, transferantur ex terminis particularum illarum primarum singulorum quadrantium, de quibus diximus, versus semidiametrum AC, singuli gradus. Ita enim cuiusvis quadranti particulara prope eandem semidiameterum continebit eos Minuta, quot unitates Quadrant



ri adscriptae sunt, totidem nimisrum, quot prior particulara ultra unum gradum continebat. Verbi gratia, si arcus Da, Gb, Kd, contineant singuli singulos gradus, complectetur arcus ea, Min. 20. fb, Min. 40. & pd, Min. 59. Cadente ergo filo in aliquam particularum integrum citra puncta D, G, K, continebit altitudinem Minutae, quot unitates quadranti, cuius particularum integrum filum abscindit, adscriptae sunt. Itaque quando filum nullum gradum integrum ex quadrante BC, abscindit, cadetque in particularam primam integrum quadrantis verbi gratia eN, indicabitur arcus Min. 20. quando autem abscindit unum, vel plures gradus, & insuper cedit in aliquam particularam integrum eiusdem quadrantis, offretur arcus unius gradus, vel plurium, & insuper Minutorum 20. Idemque dicendum est de alijs quadrantibus, habita semper ratione numerorum adscriptorum: hi enim minuta numerantur.

M A N I F E S T V M aurem est, quo maior fuerit Quadrans ABC, eomagis exquisite omnes quadrantes in partes, quas diximus, posse distribui.

s. B E-

q. BENEFICIO huius quadrantis commodissime quodque accipi potest arcus quorunque graduum ac Minutorum, & vicissim cognoscit, quot gradus, ac Minuta propositus arcus contineat. Nam si ex centro A, per finem gradus propositi in extremitate quadrante BC, recta educatur, ultra quam in alio quadrante, cui adscriptus est numerus Minutorum datorum, accipiat primum punctum occurrens versus B, continebit arcus illius quadrantis inter dictum punctum, & semidiametrum AC, interior. Etus gradus & Minuta, qua desiderantur. Huic ergo arcui similis ascendens est ex circulo proposto. Vicissim, ut cognoscamus, quot gradus, ac Minuta in oblate quadratis arcu contineantur, accipiemus ei similem in aliquo quadrante intra quadrantem BC, descripo, vel certe in ipso quadrante BC, & per eius finem ex centro A, rectam ducemus, qua sero semper transibit per aliquam particulam integrum alicuius quadrantis. Ea ergo particula dabis ultra gradus ab illa recta abscessos tot Minuta, quae uniuersales illi quadranti adscripta sunt; atque gradus illis ac Minuta in proposto arcu continebuntur. Vides ergo, si huiusmodi quadrans tanta magnitudinis, quantam diuisiones supradictae exigunt, summa cura ac diligentia construatur, quanto praelare eis iusta Astronomia agatur, cum non minus explorare Minuta beneficio ipsius comprehendamus, quam per sinuum multiplicationes, divisionesque: qua res non parui facienda videatur.

C A N O N I I.

SOLIS verum locum in Zodiaco inquirere.

1. IN dorso Astrolabii descripti sunt dies mensium cum respondentibus gradibus Zodiaci, in quibus Sol existit illis diebus, plus minus. Si igitur linea fiduciae Mediclinii, vel filum tenue è centro E, per diem mensis propositum educatur, indicabit eadem linea fiduciae, vel filum in circulo signorum signum, ac gradum, in quo Sol eo die existit. Ita vides in dorso Astrolabij, quod in Scholio ultimæ propos. superioris lib. construximus, lineam ex centro E, per diem 2c. Iulii erectam indicare gradum 27. 55, & aliquot insuper Minuta. Dicemus ergo Solem die 20. Iulii ultra gradum 27. Canceris reperiiri. Vicissim ex gradu Solis cognito diem mensis addiscemus. Eadem enim linea ex centro per gradum Solis extensa transibit per diem mensis respondentem. Ut Sole existente in gradu 27. 55 si scire quis velit, quo die anni illud contingat, extendat linam ex centro per dictum gradum. haec enim indicabit ferme diem 20. Iulii.

2. EVNDEM locum Solis in Zodiaco comperiemus memoriter, plus minus, per haec duo carmina duodecim dictiorum duodecim mensibus anni respondentium.

*Incyulta Laus Iustis Impenditur: Hæresis Horret
Garrula: Grex Gratus Faustos Gratatur Honores.*

Horum significatio haec est, atque usus. Prima dictio tribuitur Ianuario, secunda Februario, tertia Martio, & sic deinceps ordine aliæ dictiones aliis mensibus. Itaque ut scias, quo die Sol qualibet mense signum proprium mensis (Quouis enim mense nouum Sol signum ingreditur) ingrediatur, & quo in gradu qualibet die existat, addiscenda sunt ordine omnia 12. signa, quemadmodum in his aliis duobus versibus posita sunt.

Ex quadrante se cum processu quo graduum ac minorum anterore de quo gradus, minor, que in dato arcu eot neam cur, cognoscere.

Locum Solis quo liber die per Astrolabium explorare.

Ingressum Solis in duodecim signa, & eisdem locum qualibet die memoriter perquirere.

Sunt:

*Sunt Aries, Taurus, Gemini, Cancer, Leo, Virgo,
Libraque, Scorpis, Arcitenens, Caper, Amphora, Pisces.*

Primum enim signum, id est, Arietem, ingreditur Sol mense Martio, secundum mense Aprili, atque ita deinceps, ita ut nono mense à Martio inclusive, qui est Nouember. Sol ingrediatur nonum signum, quod dicitur Arcitenens, hoc est, Sagittarius. Sic mense decimo, id est, Decembri, Sol intrat decimum signum, quod Caper appellatur, sive Capricornus. Mense autem undecimo, vel Ianuario ingreditur undecimum signum, nimirum Aquarium, qui per Amphoram expressus est in dictis versibus. Mense denique duodecimo, qui est Februarius, ingreditur signum duodecimum, nimirum Pisces.

C O G N I T O, quoniam signum Sol ingrediatur quolibet mense, accipiatur priorum duorum carminum dictio dato mensi respondens. Quotum enim locum in alphabeto prima litera illius dictio occupat, tot vnitates auferenda sunt ex 30. ut relinquatur dies, quo Sol signum illius mensis ingreditur.

Exemplum.

SOL ingreditur Libram, hoc est, septimum signum, mense Septembri, qui septimus est à Martio: Et quia Septembri respondet dictio nona, videlicet *Gratus*, quod September sit nonus mensis à Ianuario; prius aqua litera G, septima est in alphabeto, auferemus 7. ex 30. ut reliquantur 23. Die ergo 23. Septembri Sol Libram ingreditur. Rursus Pisces ingreditur Sol mense Februario, cui debetur dictio secunda, *Latus*. Et quia prima litera L, undecima est in alphabeto, si 11. detrahantur ex 30. supererunt 19. Quare die 19. Februarii Sol intrat in signum X. Et sic de cæteris.

I AM vero ut scias, quem gradum Eclipticæ quolibet anni die Sol teneat, adde ad diem mensis propositum tot vnitates, quotum locum in alphabeto prima litera dictio proposto mensi respondentis occupat. Et si quidecum numerus conflatus minor fuerit, quam 30. indicabit is gradum signi mensis antecedentis: si vero maior, quam 30. fuerit, abieciens 30. reliquus numerus dabit gradum signi mensis propositi: si denique conflatus ille numerus fuerit 30. ex illo Sol in fine signi precedentis mensis, & in principio signi mensis propositi.

Exemplum.

SCIRE volo quem gradum Eclipticæ Sol teneat die 13. Iunii, cui mensi, quia sextus est à Ianuario, debetur sexta dictio, *Horrer*, cuius prima litera H, octaua in alphabeto est. Additis igitur 8. ad 13. fiunt 21. qui numerus minor est, quam 30. Existet ergo Sol die 13. Iunii in 21. gradu **III**. quod signum Sol ingreditur mense Maio. Rursus si proponatur dies 27. Iunii, additis 8. fiunt 35. qui numerus maior est, quam 30. Relectis ergo 30. remanent 5. Ergo Sol tunc occupat gradum 5. sed quod signum mense Junio ingreditur. Denique si offeratur dies 22. Iunii, additis 8. fiunt 30. Sol igitur versabitur tunc in fine **II**. & principio **III**. Eademque ratio est in cæteris.

IN annis bisextilibus ad locum Solis inuentum adiiciendus est post festum S. Matthiae unus gradus, ut magis accurate locus Solis habeatur. Verbi gratia, Die 27. Septembri, cui debetur dictio, *Gratus*, cuius prima litera G, septima est. Additis igitur 7. ad 27. fiunt 34; abiectisque 30. supersunt 4. Erit ergo tunc Sol in 4

Sol in 4. gradu si **annus cōmūnis est** : at si bissextilis, **in gradu 5.** si. **Hoc etiā obseruandū est** in priori ratione, **qua in dorso Astrolabii** **lecas solis** **indagatur.**

ET S I autem vtrouis modo non omnino verus locus solis cognosci potest, quod Sol non prorsus vnum gradum quotidie in Zodiaco peragret, vix tamen error ecommittetur dimidiati gradus, vel ad summum vnius: ita vt plus minus, verum Solis locum assequamur; tam certo videlicet, atque explorate, vt tuto eo uti possimus in vsu eorum hotologiorum, in quibus ad horas cognoscendas necesse est, locum Solis in Zodiaco habere perspectum. Quod etiam ad usum aliorum instrumentorum, quibus Astronomi utuntur, requiritur.

IN *Apologia nostra noui Calendarii*, cap. penultim. lib. 3. pro dictioribus *Garrula*, *Grex*, *Gratus*, posueramus has, *Firmaque Facta Fides*; sed illæ accuratius locum Solis quolibet dic videntur offere, quamvis per has in *Apologia postitas aliquanto certius Solis ingressus in signa inueniri videatur. Sed parum interest, utrum his, vel illis variis.*

SCHOOLIV.

r. QVONIAM per necessarium est usus loci Solis in Zodiaco, & ad plurimas obseruationes utilis, liber hoc loco, ut magis exquisite locum Solis habeatur, excerpto ex Ephemeridibus Ioan. Antonij Magini locum Solis ad quatuor annos pro singulis diebus anni supputatum, nimirum ad annum bissextilem, & tres communes in sequentes. In his enim quatuor annis tota varietas loci Solis in Zodiaco accidit, propter sex horas in annis communibus neglectas. Accedimus autem annam 1600, cum tribus in sequentibus, quod hi anni parum a tempore, quo hac scribimus, absint; ac proprieate nulla esse possit differentia sensibili inter locum Solis illorum annorum, & horum, qui nunc praesentes sunt; atque ideo exquisitus etiam annis futuris respondent. Post plurimos annos elapsos, si hi anni non amplius vero loco Solis congruere deprehendantur, ex corporis ermine alio quatuor anni, bissextilis vidalices, & tres communes, ex Ephemeridibus illius temporis. Et quia Maginus locum Solis supputavit etiam in Secundis, nos concavus erimus Minutis, sumendo unum Minutum pro pluribus Secundis, quam 30. At que ex hisce tabellis multo certius Solis locus versus elicatur, quam ex ulla instrumento, se tamquam in prima tabella quatuor pro anno bissextili, in secunda vero pro anno primo post bissexum, & pro anno secundo post bissexum in tertia, ac denique in quarta pro tertio anno post bissexum.

*Locum Sotis, ac
qui serice ex in-
bellia separari.*

2. COGNOSCERE autem, num annus oblatus sit bissextilis, an vero primus, secundus, vel tertius post bissextum, hoc modo. Rejice ab anno proposito omnes annos millesimos, &c. centesimos, asq. ex reliquis, qui pauciores sunt, quam 100 numerum 20. quories potes. Raliqua deinde annos, qui pauciores sunt, quam 20. in quatuor digitorum extremis, ab initio finis, stra manus, initio facto ab Indice, numeria. Nam si annus datus incidet in quartum digitum, hoc est, in Auricularem, bissextilis erit: si in Indicem, id est, in primum digitum, primus post bissextum: si in digitum Medium, sive secundum, secundus: & si in tertium digitum, hoc est, in Annulariem, tertius bissexto. Quod si post abtractionem numeri 20, quories abiici poset, nobil superfluitate, datus quoque annus erit bissextilis. Ut si propositus sit annus 1524. reiectis annis 1500. & 20. ex reliquis 94. quiores fieri potes, residuos annos 14. suppedita in 4. digitis, quos diximus, caderet annus 14. in digitum Medium. Dices ergo annum 1. 94. communem esse, & secundum post bissextum. Sed hac de re plura scripsimus in cap. 5. lib. 3. Apologie & noui Calendarii, ubi etiam docuimus, quo pacto post anni correctionem anni centesimi bissextilis à non bissextilibus secernendi sint.

Vixim annus de-
cūs sit bissextri-
lis, si primus ,
secundus vel ter-
tius possit bissex-
tum, cognoscere.

ВЪВЪВЪ ТА-

Locus Solis in Zodiaco Anno 1600.
vel bisextili.

Dies mensium	Lunar. Februar. Martius Aprilis Maius Iunius					
	G M		G M		G M	
	G	M	G	M	G	M
1	9	58	11	29	10	X 42
2	10	59	12	30	11	43
3	12	0	13	31	12	43
4	13	1	14	31	13	42
5	14	2	15	32	14	42
6	15	4	16	33	15	42
7	16	5	17	33	16	42
8	17	6	18	34	17	42
9	18	7	19	35	18	42
10	19	8	20	35	19	42
11	20	9	21	36	20	42
12	21	10	22	37	21	41
13	22	11	23	37	22	41
14	22	12	24	38	23	41
15	24	13	25	38	24	40
16	25	14	26	39	25	40
17	26	15	27	39	26	40
18	27	16	28	39	27	39
19	28	17	29	X 40	28	39
20	29	18	0	40	29	38
21	0	X 41	1	41	0	V 38
22	1	20	2	41	1	37
23	2	21	3	41	2	36
24	3	22	4	41	3	36
25	4	23	5	42	4	35
26	5	24	6	42	5	34
27	6	25	7	42	6	34
28	7	26	8	42	7	33
29	8	27	9	42	8	32
30	9	27	9	42	9	31
31	10	28	10	30	10	30

Locus Solis in Zodiaco Anno 1600.
vel bissextili.

Julius.	August.	Septemb.	Octob.	Nouemb.	Decemb.	Dies Mensurae
G M	G M	G M	G M	G M	G M	
9 59 20	8 58 39	8 59 51	8 59 10	8 59 18	9 58 12	1
10 18	9 56	9 50	9 9	9 18	10 13	2
11 15	10 54	10 48	10 8	10 58	11 14	3
12 13	11 52	11 46	11 8	11 58	12 15	4
13 10	12 49	12 44	12 7	12 58	13 16	5
14 7	13 47	13 43	13 6	13 59	14 17	6
15 4	14 44	14 41	14 5	14 59	15 18	7
16 1	15 42	15 39	15 5	15 59	16 19	8
16 59	16 40	16 38	16 4	16 59	17 20	9
17 56	17 37	17 36	17 3	18 0	18 21	10
18 53	18 35	18 35	18 3	19 0	19 22	11
19 51	19 33	19 33	19 2	20 0	20 23	12
20 48	20 30	20 38	20 2	21 1	21 24	13
21 45	21 28	21 30	21 1	22 1	22 25	14
22 43	22 26	22 29	22 1	23 2	23 26	15
23 40	23 24	23 27	23 0	24 2	24 27	16
24 37	24 22	24 26	24 0	25 3	25 28	17
25 35	25 19	25 25	25 0	26 3	26 29	18
26 32	26 17	26 23	25 59	27 4	27 30	19
27 30	27 15	27 22	26 59	28 5	28 31	20
28 27	28 13	28 21	27 59	29 5	29 32	21
29 24	29 11	29 20	28 58	0 5	0 33	22
0 58 23	0 59 9	0 59 18	29 58	1 5	1 34	23
1 19	1 9	1 17	0 58	2 7	2 35	24
2 17	2 5	2 16	1 58	3 8	3 36	25
3 14	3 3	3 13	2 58	4 9	4 37	26
4 11	4 1	4 14	3 58	5 9	5 38	27
5 9	4 59	5 13	4 58	6 10	6 40	28
6 6	5 57	6 12	5 58	7 11	7 41	29
7 4	6 55	7 11	6 58	8 12	8 42	30
8 1	7 53	7 58		9 13	9 31	

B b b b b 3

Locus Solis in Zodiaco Anno 1601.
vel primo post bisextum.

Dies mensium	Januar.		Februar.		Martius		Aprilis		Maius		Iunius		
	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M	
1	10	24	12	25	15	10	X	28	11	V	15	10	23
2	11	45	13	16	11	28	12	14	11	31	11	23	
3	12	45	14	16	12	28	13	13	12	29	12	20	
4	13	47	15	17	13	28	14	12	13	27	13	18	
5	14	48	16	18	14	28	15	11	14	26	14	15	
6	15	49	17	18	15	28	16	10	15	24	15	13	
7	16	51	18	19	16	27	17	9	16	22	16	10	
8	17	52	19	20	17	27	18	8	17	20	17	8	
9	18	53	20	20	18	27	19	7	18	18	18	5	
10	19	54	21	21	19	27	20	6	19	16	19	2	
11	20	55	22	22	20	27	21	5	20	13	20	0	
12	21	56	23	22	21	27	22	4	21	11	20	57	
13	22	57	24	23	22	26	23	3	22	9	22	55	
14	23	58	25	23	23	26	24	0	23	7	22	52	
15	24	59	26	24	24	26	24	59	24	5	23	49	
16	26	0	27	24	25	25	25	57	25	3	24	47	
17	27	1	28	25	26	25	26	50	26	1	25	44	
18	28	2	29	25	27	24	27	54	26	58	26	41	
19	29	3	0	X	25	28	24	53	27	57	27	39	
20	0	4	1	26	29	23	29	55	28	54	28	36	
21	1	5	2	26	0	V	23	59	29	51	29	33	
22	2	6	3	26	1	23	3	48	0	49	0	31	
23	3	7	4	27	3	22	3	43	3	48	1	38	
24	4	8	5	27	3	23	3	41	3	45	2	35	
25	5	9	6	27	4	20	4	43	3	42	3	33	
26	6	10	7	27	5	20	5	41	4	40	4	30	
27	7	11	8	27	6	19	6	40	5	38	5	29	
28	8	11	9	27	7	18	7	38	6	35	6	15	
29	9	12			8	17	8	37	7	38	7	12	
30	10	13			9	17	9	35	8	30	8	9	
31	11	14			10	16	10	28	9	28	1		

Locus Solis in Zodiaco Anno 1601.
vel primo post bissextum.

Julius	Augustus.		Septéber.		October.		Nouéber.		Decéber		Dies Mensu <i>m</i>
G	M	G	M	G	M	G	M	G	M		
59	6	8	45	8	37	7	56	8	43	8	57
10	4	9	42	9	35	8	55	9	43	9	58
11	1	10	40	10	34	9	53	10	43	10	59
11	58	11	37	11	32	10	54	11	43	12	0
12	56	12	35	12	30	11	52	12	43	13	1
13	53	13	33	13	28	12	51	13	44	14	2
14	50	14	30	14	27	13	51	14	44	15	3
15	47	15	28	15	25	14	50	15	44	16	4
16	45	16	25	16	23	15	49	16	44	17	5
17	42	17	23	17	22	16	42	17	45	18	5
18	39	18	21	18	20	17	48	18	45	19	6
19	37	19	18	19	39	18	47	19	46	20	7
20	34	20	16	20	17	19	47	20	46	21	8
21	31	21	14	21	16	20	46	21	46	22	9
22	29	22	12	22	14	21	46	22	47	23	11
23	26	23	10	23	13	22	46	23	47	24	12
24	23	24	7	24	12	23	45	24	48	25	13
25	21	25	5	25	10	24	45	25	48	26	14
26	18	26	3	26	9	25	44	26	49	27	15
27	15	27	1	27	8	26	44	27	50	28	16
28	13	27	39	28	6	27	44	28	50	29	17
29	10	28	57	29	5	28	44	29	51	30	18
30	8	29	mp 55	30	4	29	43	30	51	31	19
31	5	0	53	1	3	0	42	1	52	2	20
2	2	1	51	2	2	1	43	2	53	3	21
3	0	2	49	3	1	2	43	3	54	4	22
3	57	3	47	3	59	3	43	4	54	5	23
4	55	4	45	4	58	4	43	5	55	6	24
5	52	5	43	5	57	5	43	6	56	7	25
6	50	6	41	6	56	6	43	7	57	8	27
7	47	7	39	7	43			9	58	10	31

Locus Solis in Zodiaco Anno 1602.
vel secundo post bisextum.

Dies Medium	Januar.		Februar.		Martius.		Aprilis.		Maius.		Iunius.	
	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M
1	10	29	12	0	10	13	11	0	10	19	10	11
2	11	30	13	0	11	13	11	59	11	17	11	9
3	12	31	14	1	12	13	12	58	12	15	12	6
4	13	32	15	2	13	13	13	57	13	13	13	4
5	14	33	16	3	14	13	14	56	14	11	14	1
6	15	34	17	3	15	13	15	55	15	9	14	59
7	16	35	18	4	16	13	16	54	16	7	15	56
8	17	37	19	5	17	13	17	53	17	5	16	53
9	18	38	20	5	18	12	18	52	18	3	17	51
10	19	39	21	6	19	12	19	51	19	1	18	48
11	20	40	22	7	20	12	20	49	19	59	19	46
12	21	41	23	7	21	12	21	48	20	57	20	43
13	22	42	24	8	22	12	22	47	21	55	21	40
14	23	43	25	8	23	11	23	46	22	53	22	38
15	24	44	26	9	24	11	24	44	23	51	23	35
16	25	45	27	9	25	11	25	43	24	49	24	33
17	26	46	28	10	26	10	26	41	25	46	25	30
18	27	47	29	10	27	10	27	40	26	44	26	27
19	28	48	0	X 10	28	9	28	39	27	42	27	25
20	29	49	1	11	29	9	29	37	28	40	28	22
21	0	50	2	11	0	V 8	0	36	29	37	29	19
22	1	51	3	11	1	8	1	34	0	35	0	17
23	2	52	4	12	2	7	2	32	1	33	1	14
24	3	53	5	12	3	6	3	31	2	30	2	11
25	4	54	6	12	4	6	4	29	3	28	3	6
26	5	55	7	12	5	5	5	27	4	26	4	6
27	6	56	8	12	6	4	6	26	5	23	5	3
28	7	56	9	13	7	4	7	24	6	21	6	9
29	8	57			8	3	8	22	7	18	6	58
30	9	58			9	2	9	21	8	16	7	55
31	10	59			10	1			9	14		

Locus Solis in Zodiaco Anno 1602.
vel secundo post bissextum.

Julius	Augustus.		Septembris.		October.		Nouember.		Decembris.		Dies Mensuræ
G	M	G	M	G	M	G	M	G	M		
56	8	8	31	8	23	7	41	8	28	8	42
5	52	8	31	9	21	8	40	9	28	9	43
9	50	9	28	9	21	9	39	10	28	10	44
10	47	10	26	10	19	10	38	11	28	11	45
11	44	11	23	11	17	10	38	11	28	12	46
12	41	12	21	12	16	11	38	12	29	12	46
13	39	13	18	13	14	12	37	13	29	13	47
14	36	14	16	14	12	13	36	14	29	14	48
15	33	15	14	15	11	14	35	15	29	15	48
16	31	16	11	16	9	15	35	16	30	16	49
17	28	17	9	17	7	16	34	17	30	17	50
18	25	18	7	18	6	17	33	18	30	18	51
19	23	19	4	19	4	18	33	19	31	19	52
20	20	20	2	20	3	19	32	20	31	20	53
21	17	21	0	21	1	20	32	21	31	21	54
22	15	21	57	22	0	21	31	22	32	22	55
23	12	22	55	22	58	22	31	23	32	23	56
24	9	23	53	23	57	23	30	24	33	24	57
25	7	24	51	24	56	24	30	25	33	25	58
26	4	25	49	25	54	25	30	26	34	27	0
27	1	26	47	26	53	26	29	27	34	28	1
27	59	27	44	27	52	27	29	28	35	29	2
28	56	28	42	28	53	28	29	29	36	30	3
29	54	29	40	29	49	29	29	0	36	1	4
30	51	3	38	0	48	0	38	1	37	2	5
1	48	1	36	1	47	1	28	2	38	3	25
2	46	2	34	2	46	2	28	3	38	4	26
3	43	3	32	3	45	3	28	4	39	5	27
4	41	4	30	4	41	4	28	5	40	6	28
5	38	5	28	5	43	5	28	6	41	7	29
6	36	6	27	6	42	6	28	7	41	8	30
7	33	7	25	7	28	7	28	9	43	9	31

Locus Solis in Zodiaco Anno 1603.
vel tertio post bisextum.

Dies Mensium	Januar.		Februar.		Martius.		Aprilis.		Maius.		Iunius.	
	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M
1	10	14	11	45	9	58	10	46	10	8	9	57
2	11	15	12	46	10	58	11	45	11	3	10	55
3	12	16	13	46	11	58	12	44	12	1	11	52
4	13	17	14	47	12	58	13	43	12	50	12	50
5	14	18	15	48	13	58	14	42	13	57	13	47
6	15	19	16	48	14	58	15	41	14	55	14	44
7	16	20	17	49	15	58	16	40	15	53	15	42
8	17	21	18	50	16	58	17	38	16	51	16	39
9	18	22	19	50	17	58	18	37	17	49	17	37
10	19	24	20	51	18	57	19	36	18	47	18	34
11	20	25	21	52	19	57	20	35	19	45	19	32
12	21	26	22	52	20	57	21	34	20	43	20	29
13	22	27	23	53	21	57	22	33	21	41	21	26
14	23	28	24	53	22	56	23	31	22	39	22	24
15	24	29	25	54	23	56	24	30	23	37	23	21
16	25	30	26	54	24	56	25	28	24	34	24	18
17	26	31	27	55	25	55	26	27	25	32	25	16
18	27	32	28	55	26	55	27	26	26	30	26	13
19	28	33	29	55	27	54	28	24	27	28	27	10
20	29	34	0	X 56	28	54	29	23	28	25	28	8
21	0	35	1	56	29	V 53	0	21	29	23	29	5
22	1	36	2	56	0	53	1	20	0	21	0	2
23	2	37	3	57	1	52	2	18	1	19	1	0
24	3	38	4	57	2	52	3	16	2	16	1	57
25	4	39	5	57	3	51	4	15	3	84	2	54
26	5	40	6	58	4	50	5	13	4	32	3	52
27	6	40	7	58	5	50	6	11	5	9	4	49
28	7	41	8	58	6	49	7	10	6	7	5	46
29	8	42			7	48	8	8	7	4	6	41
30	9	43			8	47	9	6	8	2	7	31
31	10	44			9	46			8	19		

C A N O N II.

579

Locus Solis in Zodiaco Anno 1603.
vel tertio post bissexturn.

Julius	Augustus.	Septēber.	Octōber.	Nouēber.	Decēber.	Die Mensiū	
G	M	G	M	G	M	G	M
53		Ω					
8 38		8 16		8 8		8 13	
9 26		9 14		9 6		9 13	
10 33		10 11		10 5		10 13	
11 30		11 9		11 3		11 14	
12 27		12 7		12 1		12 14	
13 25		13 4		13 22		13 14	
14 22		14 2		13 58		14 14	
15 19		14 59		14 56		15 14	
16 17		15 57		15 54		16 15	
17 14		16 55		16 19		17 15	
18 11		17 52		17 19		18 15	
19 9		18 50		18 18		19 16	
20 6		19 48		19 18		20 16	
21 3		20 46		20 17		21 16	
22 0		21 43		21 17		22 17	
22 18		22 41		22 16		23 17	
23 55		23 39		23 16		24 18	
24 53		24 37		24 15		25 18	
25 50		25 35		25 15		26 19	
26 47		26 32		26 15		27 20	
27 45		27 30		27 14		28 20	
28 43		28 28		28 14		29 21	
29 39		29 26		29 13		0 21	
0 37		3 24		0 14		1 22	
1 34		1 22		1 13		2 23	
2 32		2 20		2 13		3 23	
3 29		3 18		3 13		4 24	
4 27		4 15		4 13		5 25	
5 24		5 14		5 13		6 26	
6 21		6 12		6 13		7 27	
7 19		7 10		7 13		8 28	

CCCC

CANON. III.

DECLINATIONEM Solis quolibet die, siue cuiusuis puncti Ecliptice, stellarumque indagare. Et vicissim ex data declinatione Solis arcum, vel punctum Eclipticæ respondens explorare: Atque hinc, quanta sit Solis, vel stellæ cuiusuis altitudo meridiana, eruere.

Declinationem
gradus Eclipticae
propositi, vel illi
la cuiuslibet per
Astrolabium in-
venire.

Quæ puncta in
Astrolabio ha-
bent declinatio-
nem borealem,
& quæ australē.

Ex data declina-
tione arcum seu
punctum Eclipti-
cae respondens in-
venire ex A-
strolabio.

1. SI ostensor in facie Astrolabis in gradus diuisus sit, ut in scholio proposi-
to, libri præcedentis docuimus; inuenietur declinatio cuiusvis puncti Eclipti-
cae, vel stellæ beneficio Astrolabij hoc modō. Ponatur linea fiducia ostensoris
supra gradum Eclipticæ propositum, aut supra cacumen stellæ. Gradus enim
ostensoris in eum gradum, aut stellam incidens illico declinationem ipsius qua-
sitam monstrabit, borealem quidem, si gradus Eclipticæ, vel stella intra Ae-
quatorem existat, hoc est, si gradus ostensoris repertus ab Aequatore versus
centrum Astrolabij vergat; australem vero, si gradus Eclipticæ, vel stella exi-
git extra Aequatorem, hoc est, si gradus ostensoris inuentus ab Aequatore
versus tropicum λ , recedat.

2. SI vero non adsit ostensor in gradus distributus, circumducatur rete, do-
nec gradus Eclipticæ præpositus, aut cacumen stellæ in linéam meridianam in-
cidat. Reti enim talem obtinente situm, circuli ipsi Almucantarath, id est, pa-
ralleli Horizontis inter gradum Eclipticæ, vel cacumen stellæ, & Aequatorem
interpositi, numerabunt gradus declinationis, borealis quidem ab Aequatore
versus centrum Astrolabij, australis vero ab eodem Aequatore versus tro-
picum λ .

3. È contrario ut ex data declinatione arcum, vel punctum Eclipticæ respon-
dens inuenias, numerā inter parallelos Horizontis in linea meridiana declina-
tionem datam ab Aequatore siue versus boream, siue austrum versus. Deinde
circumduc rete, donet Eclipticæ præcise termino numerationis congruat.
Gradus enim ille Eclipticæ, seu punctum habebit illam declinationem, & præ-
terea tria alia puncta, quæ æqualem distantiam ab aequinoctiis punctis cum
illo sortiuntur, eandem declinationem habebunt. Ut si inuentum fuisset prin-
cipium χ , haberet eandem declinationem principium m , & principia γ &
 α . Semper enim quatuor puncta Eclipticæ, duo borealia, & duo australia, ean-
dem habent declinationem, ut in Lemmate 49. Num. 5. ostendimus, & alio
quoque modo paulo post Num. 6. demonstrabimus. Idem consequeris benefi-
cio Indicis, vel ostensoris in gradus distributis. Nam si eum circumducas, do-
nec punctum declinationem terminans Eclipticam contingat, siue hoc versus
boream, siue versus austrum sit, congruet data declinatio illi puncto Eclipti-
cae, & præterea aliis tribus, ut dictum est.

4. SED quia raro ostensor accurate in gradus diuisus inuenitur, aut Astro-
labium, in quo per singulos gradus parallelis Horizontis ea diligentia, qua pos-
t est, descripti sint; necesse est, verouis modo veram declinationem non posse
ad vnguen reperiri, sed plus minus duptaxat, aut circiter: idcirco nos sine in-
strumento

strumento arcum vere declinationis ad vnguem, si magna cura in circulis describendis, atque diligentia adhibeatur, reperiemus hoc artificio.

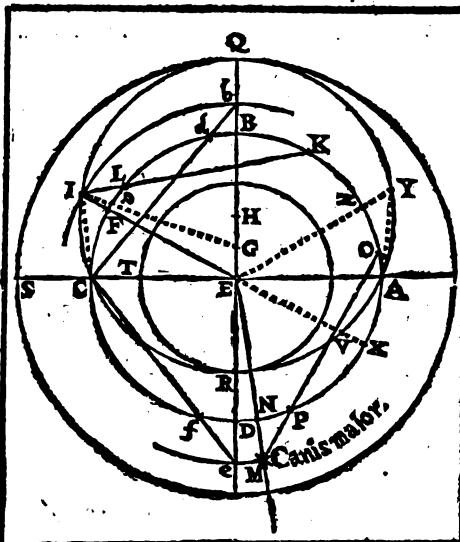
S I T Aequator Astrolabii ABCD, cuiusvis magnitudinis circa centrum E, cum tropicis RT, QS; Ecliptica AQCR, tangens tropicos in Q, R, cuius centrum H, & polus G. Propositum autem sit, inuenire declinationem principij χ . Et quoniā signum χ , australe est, ac proinde in semicirculo australi AQC, continetur, eiusque principium ab V, distat grad. 30. numerabimus à puncto C, quod principio V, tributum est, versus B, grad. 30. usque ad a, & ex Ecliptice polo G, per a, rectam ducemus Ga, quæ Eclipticam secet in I, eritque I, principium χ , cum, ut propos. 5. precedentis libri Num. 17. demonstrauimus, arcus CI, arcui C a, æqualis sit, quod ad gradus attingat. Ducta autem ex centro E, per I, recta secante Aequatorem in F, sumemus arcui CF, æqualem arcum BK, & rectam KI, ducemus, quæ Aequatorem secet in L. Dico FL, arcum esse declinationis puncti Eclipticæ I. Quoniam enim recta EI, circulum declinationis per I, principium χ , ductum repræsentat, ut propos. 1. superioris lib. Num. 4. demonstrauimus, respondebit portio IF, arcui declinationis, cui quidem æqualis est Aequatorius arcus FI. Nam si cogitetur circulus ABCD, esse Meridianus, & insisteret piano Astrolabii in rectâ EI, ad angulos rectos, erit K, polus australis, cum a planio Aequatoris, vel Astrolabii distet per quadrantem FK, propterea quod, si æqualibus arcibus CF, BK, addatur communis arcus FB, totus arcus FK, terti quadranti CB, sit æqualis. Hinc autem sequitur, arcus FL, FI, esse æquales, ut propos. 1. lib. 2. Num. 5. monstratum est.

S I T rursum inuestiganda declinatio stellæ, quæ Canis Major appellatur. Inuenito eius loco M, in Astrolabio, ut prop. 1. lib. 2. Num. 2. docuimus, per eius longitudinem, & latitudinem, ducatur recta EM, circulum declinationis referens, ut NM, metiatur declinationem stellæ australis. Sumpro autem arcui DN, æquali arcu AO, ducatur recta OM, secans Aequatorem in P, eritque, ut proxime demonstratum est, NP, arcus declinationis quæ sit, hoc est, arcus NM, NP, æquales erunt.

¶ 5. DECLINATIONEM porro tam dati puncti Eclipticæ, quam stellæ, hoc etiam modo nanciscemus. Per inuentum punctum I, in Ecliptica ex centro E, arcus describatur Ib, secans meridianam lineam in b, & ex A, vel C, ad b, recta extendatur secans Aequatorem in d. Nam Bd, est arcus declinationis paralleli bl, ut propos. 4. Num. 7. superioris lib. ostendimus, ac proinde & puncti

Cccc 2 I, in

Declinationes gen
das Ecliptica p.
poter, vel cuiuslib
bet stellæ sue A.
strolabio certas
inueniuntur.



Declinationes ali
ter fine instru
to inueniuntur.

I, in Ecliptica dati. quod est propositum.

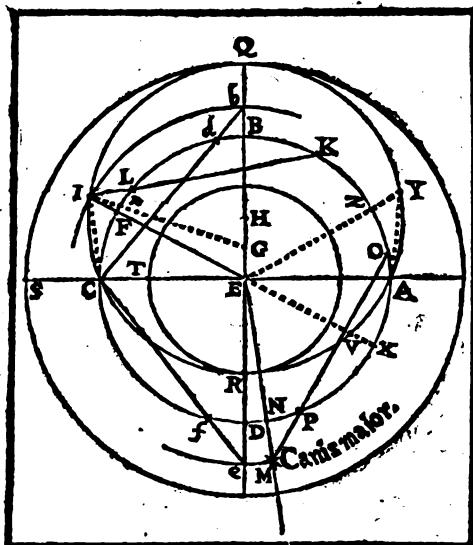
R V R S V S ex eodem centro E, per centrum stellæ M, arcus describatur Me, secans lineam meridianam in e, & ex A, vel C, ad e, recta ducatur secans Aequatorem in f: eritque ut dictum est, D f, arcui declinationis parallelus Mc, hoc est, stellæ M.

Principium generale ad invenientiam declinationis punctorum cuiusvis in Astrolabio positi.

6. H A C eadem ratione cuiusvis puncti in Astrolabio positi declinationem reperiemus; si nimirum per illud punctum ex centro E, rectam ducamus, & à puncto, vbi Aequatorem secat, quadrantem in eodem Aequatore sumamus, ex cuius termino ad punctum datum rectam ducamus. Hac enim & prior illa per idem punctum datum emissâ intercipient in Aequatore arcum declinationis. Ita vides rectam EM, ex centro per punctum M, ductam, cum recta OM, ex termino O, quadrantis NO, ad idem punctum M, ductam, intercipere NP, arcum declinationis puncti M, vt ostendimus. Quadrans autem in Aequatore absindetur sine ullo negotio, si ductis duabus diametris AC, BD, sepe ad angulos rectos secantibus, arcui inter unam earum, & punctum, in quo recta ex centro E,ducta Aequatorem secat, intercepto, aequalem arcum, ab altera diametro factio initio, absindamus: quemadmodum in praecedentibus exemplis arcui DN, sumpitus est aequalis AO, & arcui CF, arcus BK, vt quadrantes NO, FK, haberentur. Idem quadrantes habebuntur, si quadrans AD, vel AB, vel BC, vel CD, transferatur ex N, & F, vsque ad O, & K.

VEL certe cuiusvis puncti declinationem inueniemus, si ex E, centro per datum punctum parallelum Aequatoris describamus, & ad punctum, vbi lineam meridianam BD, secat, ex A, vel C, rectam emittamus. Hac enim ex Aequatore arcum declinationis auferat à meridiana linea inchoatum, vt diximus de puncto I, & stellæ M.

ITAQVE si Ecliptica diffusa sit in signa, & gradus, non erit necessarium, vt in Aequatore numeretur distantia dati gradus Eclipticæ, à proximo aequinoctio, vt eius fuit in Ecliptica reperiatur per rectam ex polo G, emissam; quo pacto inuentus fuit situs I, principii X, per rectam Ga; sed satis est vt ex centro E, per gradum propositum recta educatur, & ab hac incipiendo in Aequatore quadrans absindatur, &c. Vel certe ex E, centro per propositum gra-



dum parallelus Aequatoris describatur, &c. Satis etiam est, vt punctorum unius quadrantis Eclipticæ, v. g. quadrantis CQ, declinationes inquirantur. Haec namque declinationes declinationibus punctorum in aliis tribus quadrantibus aequalis

æquales sunt, quod etiam ostensum à nobis sit in Lemmae 49. Num. 5. Idem tamen hoc loco sic demonstrabimus. Sumatur in alio quadrante australi AQ. arcus AY, æqualis arcui CI, vt Y, sit principium in, ducaturque recta EY, vt ZY, arcus sit declinationis, quem dico æqualem esse arcui FI. Ductis enim rectis CI, AY; erunt duo latera EC, CI, duobus lateribus EA, AY, æquales; (Nam EC, EA, semidiametri sunt Aequatoris, & CI, AY, æquales sunt, ob arcus æquales, quos subtendunt) ^b, & anguli quoque ECI, EAY, insistentes in circumferentia arcibus æquilibus AQI, CQY, æquales. Igitur & bases EI, EY, æquales erunt. Demptis ergo æquilibus EF, EZ, reliqua FI, ZY, æquales erunt: quæ cum æqualiter à centro E, absint, æquilibus arcibus Aequatoris respondebunt; ac proinde declinationes punctorum I, & Y, æquales erunt. Eodem modo ostendemus declinationem cuiusvis alterius puncti in quadrante CQ, æqualem esse declinationi puncti in quadrante AQ, cuius distantia ab æquinoctio A, æqualis sit distantia alterius puncti ab æquinoctio C. Rursum producta IE, usque ad X, secante Eclipticam in V, representabunt IV, FX, semicirculos, a quod maximi circuli se mutuo bifariam secent; dempto communi arcu FV, erunt reliqui arcus declinationum FI, VX, æquales. Cum ergo puncta Eclipticae I, V, sint per diametrum opposita, vt lib. 2. in scholio propos. 5. Num. 1 s. ostendimus, liquet, puncta Eclipticae opposita æquales habere declinationes. Eadem enim demonstratio est in aliis punctis oppositis, que in E, V, vt perspicuum est.

7. PORRÒ ex data declinatione punctum, seu arcum Eclipticae respondentem hac ratione eruemus. Numeretur data declinatio in Aequatore à puncto B, usque ad d, siue versus A, siue versus C; & ex A, vel C, per d, recta ducatur, secans meridianam lineam in b; ac tandem per b, ex E, parallelus Aequatoris describatur secans Eclipticam in I, eritque punctum I, id quod queritur. Quantum autem invenient punctum I, ab æquinoctiali punto C, distet, indicabit recta ex polo Eclipticae G, ad I, ducta. Hæc enim resecabit areum Aequatoris Ca, arcui Eclipticae CI, æqualem, vt lib. 2. propos. 5. Num. 17. ostendimus.

8. EX declinatione denique Solis, vel stellæ cognita, hoc pacto eius altitudinem meridianam eruemus. Si declinatio borealis est, adiiciatur ea complemento altitudinis poli; si vero australis, dematur ex eodem. Numerus enim conflatus, vel reliquis, quanta sit Solis, vel stellæ altitudo meridiana, indicabit.

SED quando ex additione declinationis borealis ad complementum altitudinis poli maior numerus conflatur, quam grad. 70. existet Sol, vel stella in Meridiano inter verticem loci, & polum arcticum. Quare numerus ille conflatus ex semicirculo detractus altitudinem meridianam monstrabit. Hoc autem contingit, quotiescumque altitudo poli minor est declinatione boreali.

RURSUS quando altitudo poli maior est complemento declinationis borealis, vel (quod idem est) quando complementum altitudinis poli minus est declinatione boreali, habebit Sol, vel stella duas altitudines meridianas, maximam scilicet, ac minimam, ac nunquam orietur, vel occidet. Maxima reperietur, vt dictum est; minima vero, si ex altitudine poli complementum declinationis borealis tollatur, vel si complementum altitudinis poli ex declinatione boreali dematur.

POSTREMO quando complementum altitudinis poli minus est declinatione australi, Sol, vel stella semper sub Horizonte latebit, nullamque habebit altitudinem meridianam. Quæ omnia ex sphera materiali liquido constant. Atque hæc

Declinationes p̄f
etiam valens qua-
drantis Eclipticæ
declinationibus
punctorum alio-
rum quadrantis
æquales sunt.

a 29. tertij.
b 27. tertij.
c 4. primi.

d 15. 1.
Theod.

Ex dato declin-
atione punctum o-
vel arcum Ecli-
ptice responden-
tem suo infra-
mento elicere.

Altitudine mer-
idianam Solis, vel
stellæ catalata de-
prehendere.

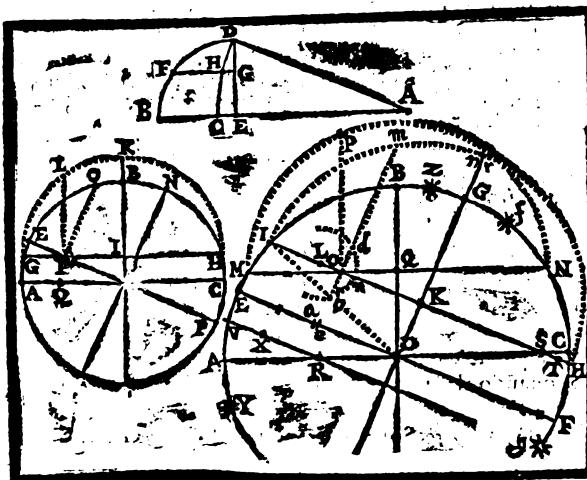
que haec intelligenda sunt in regione boreali: In australi vero regione, que de-
ta sunt de boreali declinatione, intelligantur de australi, & contra.

In scholio Canonis 22. investigabimus declinationem dati puncti Eclipti-
ca, licet ipsa Ecliptica in Astrolabio descripta non sit, & declinationem cuius-
libet stellæ, etiam si eius locus in Astrolabio inuentus non sit: que res mihi sane
preclara esse videtur, atque egregia, cum non facilis sit inuentio loci stellæ cu-
jusvis in Astrolabio, ut ex propos. 11. libri 2. manifestum est; propterea quod
nonnullarum stellarum parallelæ Eclipticæ sunt vel nimis ampli, vel nimis an-
gusti.

S C H O L I V M .

Declinationes dei-
ti ex australi par-
te Ecliptica ex
Analemmate in-
diquerentur.

I. EX Analemmate duobus modis declinationem cuiusvis puncti Ecliptica inven-
tigabimus. Priore sic. Ducta recta AB, describatur ex A, arcus circuli CD, quo-
libet intervallo, in quo sumatur arcus maxima declinationis CD, hoc est, constitua-
tur angulus CAD, maxima declinationis. Demissa deinde ex D, ad AB, perpen-
diculari DE, describatur ex E, per D, quadrans circuli DB. Si igitur à punto B,
numerentur usque ad F, gradus, quibus datum Ecliptica punctum a proximo aquino-
tio puncto abest, demittaturque ad DE, perpendicularis EG, vel ipse BA, paralle-
la, secans arcum CD, in H; erit CH, arcus declinationis dati puncti. Cum enim in
Lemmate 18. demonstratum sit, esse sinus totum ad sinus maxima declinationis, ut
est sinus arcus à proximo aquinoctio puncto numerati ad sinus declinationis puncti di-
stans arcum terminans, liquido constat, arcum CH, metiri declinationem puncti,



quod tanto arcu Ecliptica à proximo aquinoctio abest, quantum est arcus BF, respectu
sui circuli. Nam cum sit, ut ED, sinus torus circuli BD, ad EG, sinus arcus BF,
eiusdem circuli, ita ED, sinus maxima declinationis circuli CD, ad EG, sinus ar-
cus CH, eiusdem circuli: sit autem ex Lemmate 5. ut ED, sinus torus ad EG, si-
num arcus BE, ita sinus totus Ecliptica ad sinus arcus, qui arcui BF, similis sit; ergo
quoque.

quoque, ut sinusodus Ecliptica ad finum arcus, quo datum punctum à proximo equinoctio recedit, ita ED, sinus maxima declinationis ad EG, sinus declinationis CH: Ex permutando, ut sinus totius Eclipticae ad finum maxime declinationis, ita sinus definiens puncti dari à proximo aequinoctio ad finem EG. Ex qua colligitur, EG, esse finum declinationis definiens, atque idcirco arcum CH, divisionem ipsam merari. Hic porrò modus à priore ratione, qua in Lemmate 19. parallelos Solis in Anglemate descripsimus, non differt, nisi quid hic integrum circuli descripti non sint. Nam factor ACD, huius figura refert sectoribus analommatis EHM, in Lemmate 39. ex quadrans BD, quadrantem SM. I tanto in eodem Lemmate 19. docuimus quoque ad finem, qua ratione ex Analommate declinatio cuiusvis puncti Ecliptica invenienda sit. Quare eo Lectorem remicendum censeo, ut hac, qua hoc loco tradundatur, plenius intelligantur.

2. POSTERIORE modo sic idem assequetur. Si Meridianus, vel Colurus Solstitionum ABC, circa centrum D; etiam cum Aequatore settio AC, cum Ecliptica ED; axis Aequatoris DB; Ecliptica DN. Sit autem DE, sinus rectus arcus Eclipticae à proximo aequinoctio numeratis: (qui repertur, si datus arcus ab N, numeretur usque ad O, & ad E, perpendiculariter demptatur OF) Et per F, ipsi AC, parallela agatur GH. Dico AG, esse arcum declinationis questus. Describatur enim circa GH, ex I, semicirculus GKH. & ad GH, perpendicularly erigatur FL. Si igitur semicirculus ENP, concipiatur eis Eclipticae semissis, & circa EP, moueri, donec ad Coluri planum rectus fieret per defin. 4. lib. 1. Eucl. recta OF, ad idem planum perpendicularis. Exdem ratione, si circumuerteretur semicirculus GKH, circa GH, donec ad idem planum rectus esset recta LF, ad idem perpendicularis, ipsique OF, congrua. Igitur planum per rectam GH, ex I, secundum. Nam GH, & per rectam OF, vel LF, in eo situ duellum, ad eundem Colurum rectum erit. Cum ergo parallelus Aequatoris per datum punctum O, datus, rectus quoque sic ad eundem Colurum, & faciatque in eo sectionem ipsi AC, parallelam, erit semicirculus GKH, in eo situ per OF, transitus, parallelus Aequatoris faciens sectionem GH. cum Coluro ipso AC, parallelam. Quocirca AG, arcus erit declinationis puncti propositi. Hic etiam modus à posteriori, quo in Lemmate 19. parallelos Solis in Anglemate descripsimus, non differt. Nam ex ibi ex k, parabolico extremito arcus lk, demissus ad Ecliptica diametrum MP, perpendicularem est, atque per u, Aequatoris diametrum HI, parallelam ducentus YZ, pro parallello Aequatoris per punctum Eclipticae k, duco. quod tamen in dicto Lemmate 19. ultra demonstramus.

3. IAM quoddam quoque modis data declinationis arcum, punctumque Eclipticae respondens assignabimur. Priore sic. In arcu CD, ex A, descripto in 1. figura, insuperetur declinatio usque ad H, & per H, ipsi AB, parallela agatur FG. Hac enim ex quadrante BD, arcum refecit BF, qui quatuor puncti distanciam à proximo puncto aequinoctiali meritor, ut ex dictis liquet. Posterior autem sic. Numeretur in 2. figura data declinatio ex A, & C, usque ad G, & H, due striae rectae GH, secundum Ecliptica diametrum in F. Perpendiculares enim DN, FO, ad EP, rectae, intercipiant arcum quasi-um NO, à proximo puncto aequinoctiali inchoatum, ut perspicuum est ex ijs, qua de-
Gra sunt.

4. STELLAE secundum eiuslibet declinationes, omnis longitudine & latitudine cognita sint, per Analemma scrutabimur hoc modo. Si rursum Meridianus, sive Colurus Solstitionum ABC, circa centrum D, ut in 3. figura, communis eius cum Aequatore settio AC, cum Ecliptica EF; axis Aequatoris DB; Ecliptica DG; & potius borealis B. Ab Ecliptica sumuntur duo arcus latitudinis stellae EL, FH, versus quidem ponitum boreum B, si latitudo est borealis, si vero australis, in contrariam partem: ducaurque recta IH, pro diametro parallela Ecliptica per Hellam transversis. Deinde sic

Ex data declina-
tione punctum
Eclipticae, vel et
cum respondentibus
elitis, basine
Analommatis.

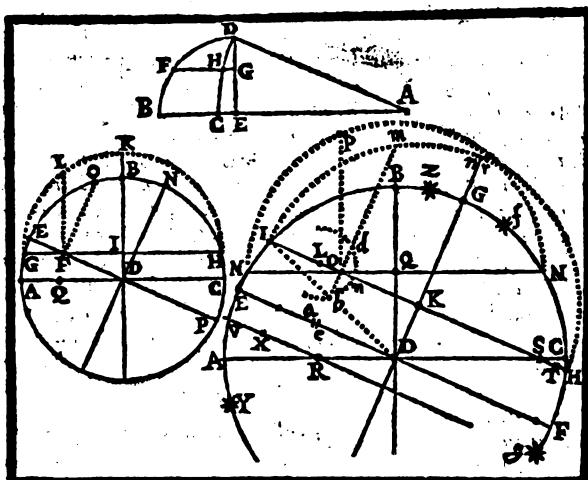
declinationem
colubus stellae
per Anallemata
indagare.

Ea, sinus versus arcus, quo stella à principio \odot_3 , hoc est, à semicirculo Colari p̄ principium \odot_3 , transire, abeſt, sine secundum successionem signorum, ſive contra, qui ſinus versus reperiētur, ſi ab E, ea diſtanciam numeretur in ſemicirculo EGF, & ex tertio numerationis ad EF, perpendicularis demittatur cedens in a. Semidiameter au- tem IK, ita ſecetur in O, ut ſecta eſt ſemidiameter ED, quando punctum a, eſt in ED; vel ſemidiameter KH, ita ſecetur, ut ſecta eſt ſemidiameter DF, quando punctum a, cadit in DF. quod facile ita fieri potest.

semidiametrum recte
diametro circuli
equidistantis, ſe-
cari, ut ſemidi-
ameter ſecta eſt.

2. 2. ſexti.

5. DUCTA ſemidiameter DI, ſumatur ipſi D, aequalis, ducatur turque bO. ad IK, perpendicularis: quod facile fieri potest, ſi ex quovis punto L, in IK, aſſumpro per b, arcus deſcribarur, & arcui nb, aequalis abſcindatur nra. Recta enim bd, perpendicularis erit, ut conſtat ex præi propos. 12. lib. 1. Eucl. Dico, IK, ut ſectam eſſe in O, ut ſecta eſt ED, in a. Quoniam enim eſt, ut Da, ad aE, ita Db, ad bl, propter equalitatem rectarum Da, Db, &c. & ut autem Db, ad bl, ita eſt KO, ad OI, ieris quoque KO, ad OI, ut Da, ad aE. Atque hoc modo ſemper ſecabitur ſemifidis re- gula diametro circuli equidistantis, ut ſemidiameter ſecta eſt.



Semidiametrum
circuli ſectare, ut
ſemifidis eius pa-
rallela ſecta eſt.

b 29. primi.

c 33. primi.

d 2. ſexti.

6. VICISSIM quoque ſemidiametrum ED, ſecabimus, ut ſemifidis IK, circa parallela ſecta eſt in O, hoc modo. (Hac enim re in ijs, qua sequuntur, indigebimur quoque) Ducta rurſum ſemidiameter DI, ſecet eam in b, excitata ad IK, perpendicularis Ob (qua facile ducetur, ſi recta KO, aequalis ſumatur De. b N, am Oe, perpendicularis erit ad IK; cum ſit ipſi KD, parallela) & recta Db, aequalis abſcindatur Da. Dico ED, ita ſectam eſſe in a, ut ſecta eſt IK, in O. ⁴ Cum enim ſit ut KO, ad OI, ita Db, ad bl; ſit autem ut Db, ad bl, ita Da, ad aE, propter equalitatem rectarum Db, Da, &c. erit quoque ut KO, ad OI, ita Da, ad aE.

7. INVENTO autem punto O₃ (quod reperiētur quoque, ſi ex K, circa IH, ſemicirculum ImH, deſcribas, in coquæ numero ex I, diſtanciam ſtella à principio \odot_3 uide ad m, & ex m, ad IH, perpendicularē demittas m O. Ita enim erit quoque IO, ſinus versus diſtanciā) ducatur por O. Aequatoris diametro AC, parallela MN. Dico AM, arcus eſſe declinationis ſtelle propoſite. Deſcribatu enim ex Q, circa KN,

circa MN , semicirculus MPN . Et ad MN , perpendicularis excidetur OP . Si igitur semicirculus IMH , concipiatur circa IH , circumuersi , donec rectus sit ad Colurum ac proinde Ecliptica aequidistet ; erit per defin. 4. lib. 11. Eucl. m O. ad eundem Colurum perpendicularis , & m , locus erit stella . Eadem ratione si semicirculus MPN , circa MN , mouetur , donec ad eundem Colurum rectus sit , ipsique Aequatori parallelas ; erit recta PO , ad eundem Colurum perpendicularis , ipsique m O , congruet .

2. Igitur planum per rectam PO , vel m O , in eo situ , & per rectam MN , ductum , a 18. vndes. ad eundem Colurum rectum erit . Cum ergo parallolas Aequatoris per Stellam in puncto m , ductus , rectus quoque sit ad eundem Colurum , b , faciatque in eo sectionem ipsius AC , parallelam ; erit semicirculus MPN , in eo situ per PO , transiens , parallelus Aequatoris , faciens sectionem MN , in Coluro ipso AC , parallelam . Quare AM , arcus erit declinationis stella .

3. HAE autem declinatio septentrionalis erit , quando sinus versus IO , distantia stelle à principio \odot , minor fuerit segmento diametri paralleli stella inter Colurum prope \odot , & sectionem illius cum diametro Aequatoris AC : Australis vero , si maior : Declinatio denique carebit , si aequalis : atque hoc semper verum est , sine latitudine stelle sit borealis , sine australis , sine denique latitudine careat . Itaque si stella latitudo sit borealis EI , & sinus versus distantia à Coluro in proprio parallello Ecliptice IS , nullam habebit stella latitudinem : Si vero sinus versus sit IT , declinationem habebit australem . Sic etiam si stella latitudinem habeat australem EV , & sinum versus VX , declinationem habebit borealem : Si vero sinum versum habeat VR , declinatione carebit , &c.

4. RVRVS stella in Coluro solsticiorum existente , hoc est , in principio \odot , vel \odot , innesceret eius declinatio bac ratione . Quando declinatio puncti tropici , in quo est stella , & latitudo stelle , sunt eiusdem denominationis , id est , borealis , vel australis , addantur simul , constabaturque declinatio stella eiusdem denominationis cum declinatione puncti tropici , vel latitudinis .

5. VANDO autem declinatio puncti tropici , & stella latitudo diversa sunt denominationis , hoc est , punctum tropicum est boreale , & stella latitudo australis , vel contraria ; subtrahatur minor à maiore , relinqueturque declinatio stella eiusdem denominationis cum maiore , à qua facta est subtractione .

6. VANDO ex additione si maior numerus , quam 90. reliquus numerus ex 180. dabit declinationem stella eiusdem denominationis cum puncto tropico . Quando item ex detractione nihil superest , stella declinatione carebit . Quando denique latitudo nulla est , habebit stella eandem declinationem , quam punctum tropicum .

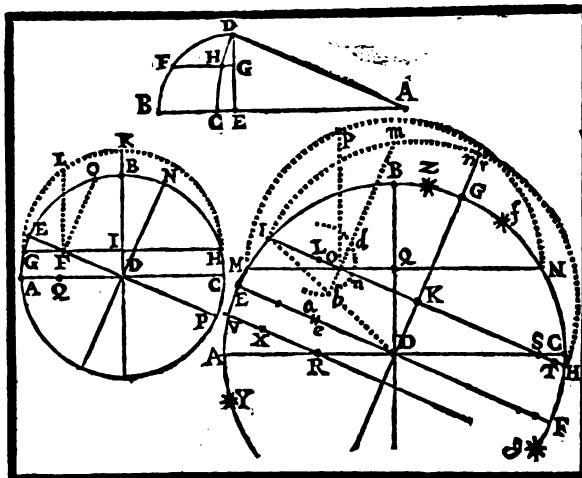
VERBI gratia , stella existens in I , habebit declinationem borealem AI , constata ex declinatio AE , borea pūcti tropici E , & ex latitudine borea EI . Sic declinatio stellae g , erit australis constata ex CF , declinationes australi puncti tropici F , & ex latitudine australi Fg . Itē stella existens in V , habebit declinationē boreā , & stella existens in H , australē , quia illa relinquitur , detracta latitudine australina EV , ex declinatione borea AE ; pūcti tropici E , hac vero reliqua sit , detracta latitudine borea FH , ex declinatione australi CF , pūcti tropici F . At vero stella in T , declinationē habebit australinā & stellā in s , boreā : quia illa relinquitur post detractionē declinationis borealis AE , ex latitudine australi ET ; hac vero post detractionē declinationis australis CF , ex latitudine boreali F s . Deinde quia ex declinatio borea AE , & latitudine borea EZ , sit maior arcus quadrante AB , dabit ex semicirculo reliqua CZ , declinationem borealem . Praterea stella in A , vel C , nullam habet declinationem , cum declinatio sit utrobique latitudini aequalis , ac proinde post detractionem unius ex altera nihil restans . Denique stella in E , declinationem habebit eandem , quam functionem tropicū perficit .

Dddd E, nimi-

E, nemirum borealem; stella vero in F, sortietur declinationem australem, eandem ut delicit cum puncto tropico F.

Declinationem eminens puncti Eclipticae per secundum invenire. Quoniam in secunda descriptione sinus rotus ad DI. sinum maxima declinationis. Posito enim

a 29. primi, sinus totu DF, recta DI. sinus est anguli DFI, qui aequalis est alterno angulo ADF, maxima declinationis ita DF, sinus arcus Ecliptica NO, a proximo aequinoctio N, inchoati ad DI. sinum declinationis puncti O: id quod etiam in lemmate 19. demonstra-



uimus. Si fiat, ut sinus totus ad sinum maxima declinationis, ita sinus distantia puncti Eclipticæ à proximo aequinoctio ad aliud, procreabitur sinus declinationis puncti propositi. Ex tabula ergo sinuum declinationis ipsa hoc cognita.

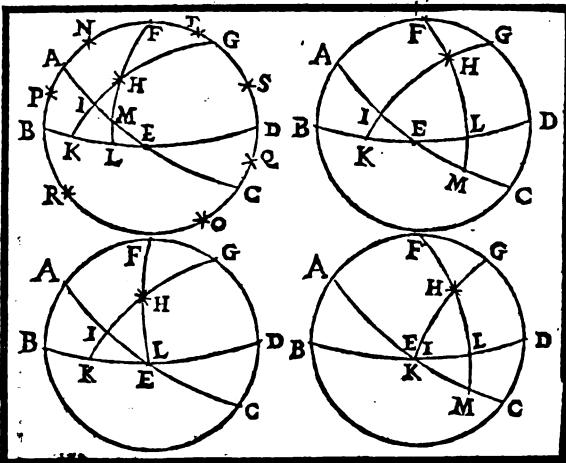
VICISSIM si fiat, ut sinus maxima declinationis ad sinum totum, ita sinus declinationis data ad aliud, producetur sinus arcus Eclipticæ à proximo aequinoctio inchoati, cui proposita declinatio congruit. Nam cum sit, ut sinus totus ad sinum maxima declinationis, ita sinus arcus Eclipticæ à proximo aequinoctio inchoati ad sinum declinationis eiusdem arcus, ut dictum est; erit conuertendo, ut sinus maxima declinationis ad sinum totum, ita sinus declinationis data ad sinum arcus Eclipticæ, cui debetur, à proximo aequinoctio inchoatis.

Declinationes cuiuslibet stellæ per numeros inveniuntur, sic Columna solsticiorum ABCD; Aquator BD, & eius polus F; Ecliptica AC, eiusque polus G; E, principium σ , vel ω ; A, principium ϖ ; C, principium λ ; locus stellæ H; circulus maximum declinationis stellæ FH, secans Aequatorem in L, & Eclipticam in M; circulus maximum latitudinis stellæ GH, secans Eclipticam in I, & Aequatorem in K; declinatio stellæ HL, eiusque complementum FH; latitudo stellæ HI, eiusque complementum GH; Arcus denique Ecliptica AI, distantia stellæ à principio ϖ , sive secundum signorum successionem, sive contra, numeratus: ut in 12. circulis hoc loco descripsiis apparet. Quoniam igitur in triangulo sphærico FGH, duo latera GF, GH, cognita sunt, cum FG, sive arcus maxima declinationis, & GH, complementum latitudinis

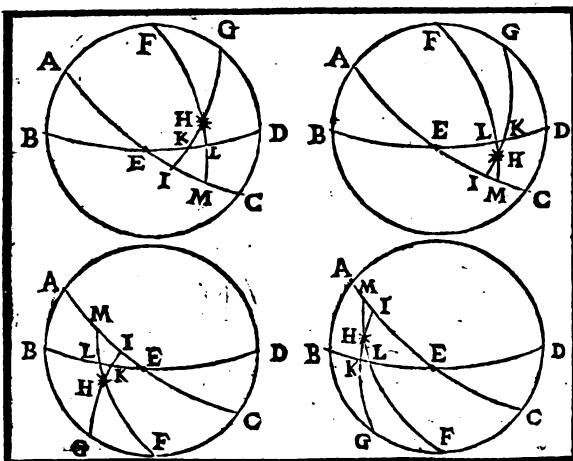
Declinatione punctum Eclipticæ respeditum reperiatur.

Declinationes cuiuslibet stellæ per numeros inveniuntur.

tudinis stellæ; est autem & angulus ab ipsis cōprehensus FGH , notus; (N in prioribus 6. circulis, in quibus latitudo stellæ borealis est, eius anguli arcus AI , distantiam stellæ à principio \odot , metens cognitus est: in posterioribus vero 6. circulis, in quibus stellæ



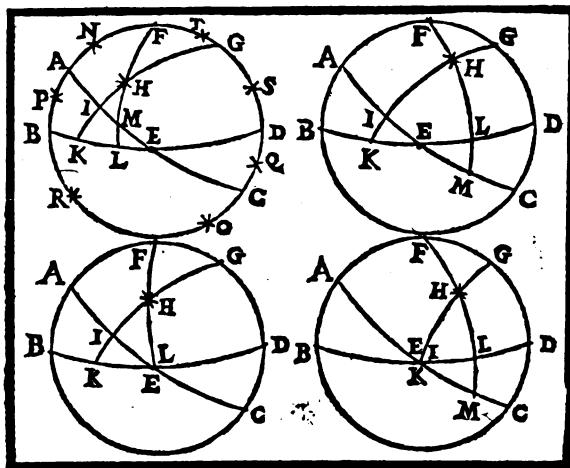
la latitudinem habet australēm, arcus predicti anguli CI , distantia est ipsius stellæ à principio \odot , quarelinquitur, detractio arcu AI , distantia à principio \odot , ex semicirculo.) inuenientur per problema 2 s. triang. sphar. in ultimo lemmate, tertium lares



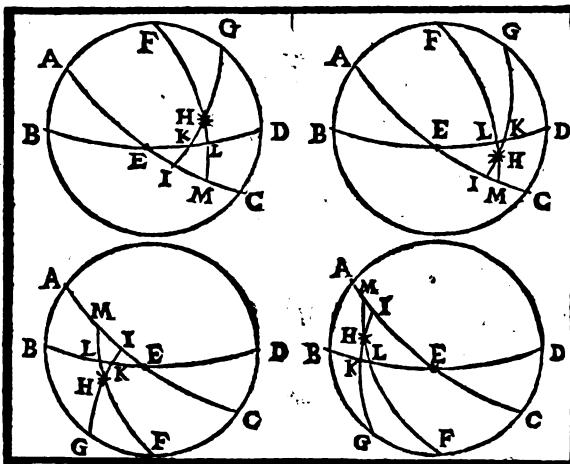
FH , hoc est, complementum declinationis stellæ, hac videlicet ratione. Fiat, ut si-
mus totus ad sinum maioris lateris dati, hoc est, ad sinum maximæ declinatio-
nis FG ,

D d d d 2 nis FG ,

nis FG, vel complementi latitudinis GH, ita sinus minoris lateris dati ad aliud inuenieturque quartus quidam numerus. Deinde rursum fiat, vt sinus totus ad quartum numerum proxime inuentum, ita sinus versus dati anguli FGH, ad



aliud : produceturq; differentia inter sinū versum tertij lateris FH, quod queritur, & sinū versum arcus, quo duo latera data FG, GH, inter se differunt: quæ differentia adiecta ad sinū versum arcus, quo dicta duo latera data FG, GH, inter se

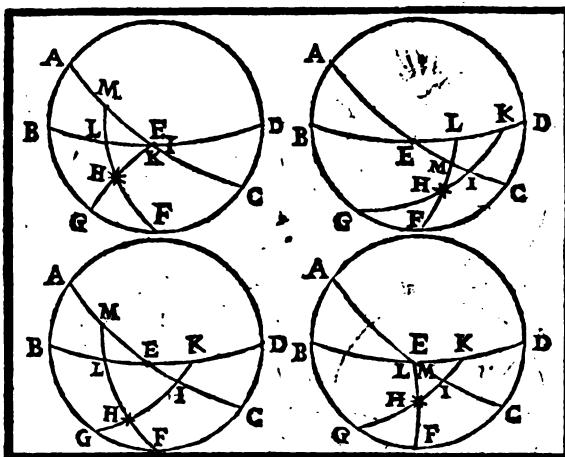


differunt, conficit sinū versum quāsfiti lateris FH, ex quo latus ipsum FM, id est, cōplementum declinationis stellæ, cognitū euadet. Declinatio per se semper eis sinus dem

dem nominis cum latitudine, hoc est, borealis, si latitudo borealis est at australis, si australis, nisi quando sinus versus lateris quæficii FH , maior invenitus fuerit sinus recto, ut in 6. & 8. circulo, ubi latus invenitum FH , non est complementum declinationis quæficiæ, sed potius eius complementum HL , est declinatio quæficiæ, ipsumque latus quadrans mains est. In hoc enim situ stella habet declinationem contrariam latitudini: adeo ut latitudine existente boreali, declinatio sit australis, ut in 6. circulo; latitudine vero existente australi, declinatio sit borealis, ut in 8. circulo.

Verum stella de-clinatio borealis sit at australis, se-gnoscere.

$QVOD$ si quando contingat, latera data FG, GH , esse equalia; (quod sit, quan-do latitudo stella complectitur grad. 66. min. 30. hoc est, complemento maxima declinationis equalis est.) Fiat, ut sinus totus ad sinum maximæ declinationis, hoc est, ad sinum lateris FG , ita sinus semissis anguli FGH , distantia stellæ à principio O , si borealis, ad aliud: inuenieturque sinus cuiusdam arcus, qui duplicatus totum latus quæficium FH , notum efficiet; ut ad finem predicti problematis 22. triang. sphar. diximus.



RVRVS si accidat, datum angulum FGH , rectum esse; (quod sit, quando di-stantia stellæ à principio O , quadrans est; ut in 4. & 9. circulo.) Fiat, ut sinus totus ad sinum complementi maximæ declinationis FG , ita sinus complementi lateris GH , hoc est, ita sinus latitudinis stellæ, ad aliud: Inuenieturque sinus complementi quæficii lateris FH ; ut perspicuum est ex 1. modo problematis 15. triang. sphar. ultimi Lemmatis.

Eadem declinatio stella hac alia quoque ratione supponari poterit. Quando stella existit in principio V , vel U , hoc est, eius distantia à principio O , continet grad. 90. ut in 4. & 9. circulo; si in triangulo EHL , cuius angulus L , rectus, per primum modum problematis 8. triang. sphar. in ultimo Lemmate explicatur, Fiat ut sinus totus ad sinum latitudinis stellæ HE , ita sinus anguli HEL , complemen-ti maximæ declinationis ad aliud, gignetur sinus declinationis HL , quæficiæ, eiusdem nominis cum latitudine.

Aliorū quādo sit
la sit in principio
Arctus, vel
Librae.

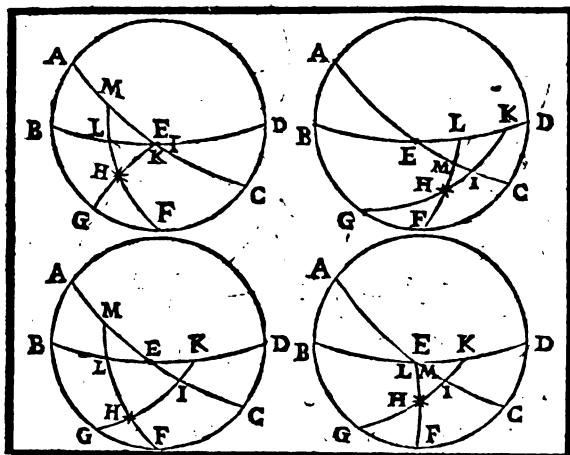
$QVANDO$ autem stella est extra principia $\text{V}, \text{U}, \text{O}$, & X , ut in alijs 10. circulis, dempto 4. & 9. si per primum modum problematis 4. triang. sphar. in ultimo Lem-

Quando stella est
extra principia
Orionis, Librae,
Canceris, & Capri-
conis.

Lemmata explicari. Fiat in triangulo EIK, cuius angulus I, rectus, ut sinus totus ad sinum anguli IEK, maxime declinationis, ita sinus complementi arcus EI, distantiam stellæ à proximo æquinoctio metentis ad aliud, procreabitur sinus complementi anguli EKI, subtendentis arcum declinationis HL, in triangulo HKL.

DEINDE in eodem triangulo EIK, sive per 1. modum problematis 11. triang. sphær. Fiat ut sinus totus ad sinum arcus EI, distantiam stellæ à proximo æquinoctio metentis, ita tangens anguli IEK, maxime declinationis ad aliud, inuenietur tangens arcus IK, quo latitudo HI, differt ab arcu HK, quem argumentum declinationis dicere possumus. Hac differentia IK, est borealis, hoc est, ab Äquatore versus septentrionem porrigitur, quando stella locus est in aliquo signo boreali; australis vero, stella existente in signo aliquo australi. Itaque quando differentia IK, & latitudo stella HI, habent eandem denominationem, borealem scilicet, aut australem, dabit summa ex ipsis confessa argumentum HK, eiusdem denominationis cum latitudine, vel differentia: quando autem differentia IK, & latitudo stella HI, sunt diversa denominationis, hoc est, una est borealis, & australis altera,

Argumentum de
declinationis stellæ.



subtracta minore ex maiore, reliquum fiet argumentum eiusdem nominis cum arcu, quo facta est substractio. Ita vides in 1. 2. 3. 5. & 8. circulo argumentum HK, esse boreale, australe vero in 6. 7. 10. 11. & 12. circulo.

POSTREMO in triangulo HKL, angulum L, rectum habente, sive per 1. modum problematis 8. triang. sphær. Fiat ut sinus totus ad sinum argumenti HK, proxime inuenti, ita sinus anguli HKL, in triangulo EIK, primo loco inuenti ad aliud, producetur sinus declinationis HL, eiusdem denominationis cum argumento. Vi autem declinatio stellæ exquisitus reperiatur, inveniens erit angulus EKI, per partem proportionalem accuratissime, ac similiter differentia IK, inter argumentum, & latitudinem stellæ, ut in tertio discurso deinde verior sinus argumenti per partem proportionalem elicatur. Denique declinatio quoque HL, querenda est ex eius sine per partem proportionalem, ut potest in scholio sequentis Canonis magis exquisite sine eius.

eius complementi insueniri posse, ad rectam ascensionem stelle suppetandam. Atque hoc in omnibus suppurationibus obseruandum erit, quando ex arcu inuenito, vel ex eius complemento alius arcus inquirendus est. Nam nisi sinus, & arcus per partem proportionalem exquisitissime accipiuntur, ut in ultimo Lemmate traditum est, fieri potest, ut in ultimo arcu inueniendo committatur error non leuis.

Q V O pacto autem, stella existente in Coluro solsticiorum, eius declinatio reperiatur, paulo ante Num. 9. huiusc scholi⁹ docuimus, & precepto illius exempla habes in stellis N, O, P, Q, R, S, T, B, D, A, C, primi circuli, quarum quidem stellarum loca ordine locis stellarum I, g, V, H, Y, f, Z, A, C, E, F, in tertia descriptione prima figura huius scholi⁹ respondent.

Quando stella est
in principio can-
cri, vel Capricor-
ni.

C A N O N I I I I .

A S C E N S I O N E M , descensionemque rectam cuiuslibet puncti Eclipticæ, vel stellæ exquirere: Et vicissim ascensioni, descensioni rectæ cognitæ arcum Eclipticæ respondentem assignare: Denique punctum Eclipticæ, cum quo stella proposita in sphæra recta oritur, vel occidit, aut cælum mediat, determinare.

1. C I R C U M D V C A T V R rete Astrolabii, donec gradus Eclipticæ, vel stella proposita in Horizonte recto, ex parte orientali, id est, in diametro Astrolabii, qua meridianam lineam, hoc est, diametrum, qua ad armillam suspē foriam protenditur, ad angulos rectos secat, constituantur. Nam reti hunc obtinente situm, arcus Aequatoris à principio γ , secundum signorum successiōnem usque ad eundem Horizontem rectum ex parte orientali, qua ad sinistrā existit, computatus ascensionem rectam dati puncti Eclipticæ, vel stellæ metietur: quippe cum eiusmodi arcus in sphæra recta simul cum dato punto, hoc est, cum arcu Eclipticæ ab γ , usque ad illud punctum, stellaue supra rectum Horizontem ascendat. Hunc quoque ascensionis arcum dabunt gradus in limbo intercepti inter Horizontem rectum, & ostensem, sive indicem per principium γ , in eo situ retis transeuntem: gradus, inquam, a linea fiducie indicis secundum successionem signorum, id est, versus $\gamma, \text{II}, \text{I}$, &c. usque ad Horizontem rectum numerati. Posita autem stella in Horizonte recto ex parte orientali, punctum Eclipticæ in eodem Horizonte tunc existens est illud, cum quo stella oritur, aut cælum mediat, sive (quod idem est) ad Meridianum peruenit.

2. N O N aliter descensionem rectam cuiusvis puncti Eclipticæ aut stellæ explorabis, si datum punctum, vel stellam in Horizonte recto ex parte occidentali colloces. Nam cum situm reti obtinente, arcus Aequatoris à principio γ , secundum seriem signorum usque ad Horizontem rectum ex parte occidentali numeratus dabit descensionem in sphæra recta, quam etiam exhibent gradus limbi inter ostensem per principium γ , ductum, & Horizontem rectum ex parte occidentali intercepti, si secundum signorum seriem numerentur. Sed sat est ascensionem rectam cuiuslibet puncti, vel stellæ inuestigare, cum hac de- scensioni

Ascensionem re-
ctam dati puncti
Eclipticæ, aut
stellæ ex Astro-
labio cognoscere.

Qui gradus Ecli-
pticae cum data
stella oritur in
sphæra recta, aut
mediet cœlum.
Descensionem re-
ctam dati puncti
Eclipticæ, vel
stellæ ex Astro-
labio cognosce-

re.

Ascensione recta cu-
muis puncti de-
scensioni eindem
equalis est.

Qui gradus Ecliptice cum data stellae occidente in sphera recta.

Ascensioni recte, cognite, descenditiae, arcum Eclipticæ respondeantem iacentem in Astrolabio.

Ascensioni eiusdem in sphera recta sit æqualis, ut in sphera dictum est. Posita autem stella in Horizonte recto ex parte occidentali, punctum Eclipticæ in eodem Horizonte tunc existens est illud, cum quo stella occidit. Atque hoc punctum semper illud idem est, cum quo eadem stella in sphera recta oritur, & celum mediat.

3. SED si ascensio recta, aut descensio alicuius puncti, vel stellæ cognita sit, inueniens arcum Eclipticæ respondentem, hoc est, punctum Eclipticæ, quod una cum stella, cuius ascensio, descensio data est, ad Horizontem peruenit. aut cui data ascensio, descensio congruit, hoc modo. Circumducatur rete Astrolabii, donec arcus Aequatoris inter principium γ , & Horizontem rectum ex parte orientali secundum signorum seriem iacens æqualis sit data ascensioni recte puncti Eclipticæ quæstori, aut donec cacumen stellæ in Horizonte recto reperiatur ex parte orientali, quod tunc arcus Aequatoris inter principium γ , & rectum Horizontem positus ex parte orientali metiat datam ascensionem stelle. Nam obtinente reti eum situm, punctum Eclipticæ, quod tunc in Horizonte recto ex parte orientali existit, erit illud, cui data ascensio debetur, aut quod una cum stella, cuius ascensio recta data est, ad Horizontem rectum peruenit. Idem obtinebis, si in limbo gradus data ascensionis recte contra successionem signorum numeretur, initio facto ab Horizonte recto ex parte orientali; & ad finem numerationis linea fiduciarum ostensoris applicetur. Nâ circumvoluto tunc reti, donec principium γ , ad lineam fiduciarum perueniat, existet in Horizonte recto ex parte orientali punctum illud Eclipticæ, cui data ascensio conuenit, aut quod una cum stella, cui ascensio illa debetur, supra Horizontem ascendet. Arcus autem Eclipticæ inter illud punctum, & principium γ , positus, erit ille, qui queritur, dummodo arcus ille ab γ , usque ad inuentum punctum secundum seriem signorum sumatur. Idem prorsus dicendum est de punto, seu arcu Eclipticæ inueniendo, qui datae descensioni respondet, si pro parte orientali recti Horizontis occidentalis pars accipiatur. Immo idem punctum, siue arcus inuentus conuenit quoque descensioni æuali in sphera recta, cum, ut dictum est, ascensio cuiusvis puncti in sphera recta descensioni eiusdem sit æqualis.

Ascensionem rectam, descendionemque rectam cuiusvis arcus Eclipticæ non à principio γ , inchoati reperiemus. Differentia enim inter ascensionem primi puncti, & ascensionem ultimi puncti arcus propositi est ascensione recta dicti arcus. Vel sic agemus. Posito ultimo punto dati arcus in Horizonte recto ex parte orientali, ponatur linea fiduciarum ostensoris supra primum punctum eiusdem arcus. Arcus enim Aequatoris, vel limbi inter lineam fiduciarum, & Horizontem rectum ex parte orientali secundum signorum successiōnem computatus ascensionem rectam dati arcus metietur. Quod idem de descensione eiusdem arcus dices. His non doceamus inuestigare arcum non ab γ . inchoatum, qui datae ascensioni recte respondeat: quia variis arcus Eclipticæ æquales possunt habere ascensiones, ut perspicuum est in sphera materiali, & ad finem Num. 8. dicemus.

Ascensionem rectam descendionemque existens pùs Ecliptica vel stellæ sine Astrolabio, inquirere.

5. SIN INSTRUMENTO eandem ascensionem rectam, descendionemque vena bimur hac ratione. Repetatur figura antecedentis Canonis, in qua Aequator ABCD; Ecliptica AQC \bar{R} ; eius centrum H, & polus G: propositumque sit inuestigare ascensionem, vel descendionem rectam principii χ . Inuento hoc puncto Eclipticæ, quod sit I, per rectam Ga, ex polo G, Eclipticæ per punctum a, distantiam principii χ , ab γ , terminans educatam, ducatur ex E, centro Astrolabii ad I, recta tecans Aequatorem in F. Poco arcum Aequatoris CDABF, secun-

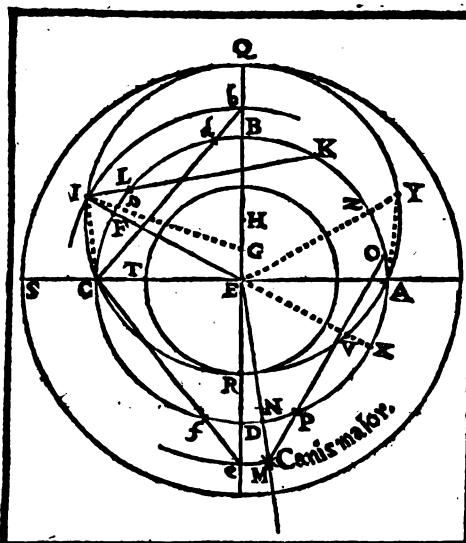
Secundum successionem signorum numeratum, ascensionem rectam esse, aut descensionem puncti Eclipticæ I, vel arcus C R A Q I, ab V , inchoati. Quoniam enim EI, est Horizon quidam rectus, cum maximum circulum per polos mundi ductum referat, ut propos. 1. Num. 4. superioris lib. ostendimus, orientar in sphæra recta simul duo puncta I, F, & simul occident. Quo ergo tempore principium V , arcum FBADC, conficiet ad motum primi mobilis, eodē Eclipticæ punctum I, ad Horizontem rectum perueniet, hoc est, totus arcus Eclipticæ CRAQI, ascendet, vel descendet.

6. E O D E M modo ascensionem, descensionemque rectam cuiusvis arcus Eclipticæ non ab V , inchoati explorabimus, si ex E, centro Astrolabij per extrema duo puncta arcus in Ecliptica dati duæ rectæ ducantur. Hæ etenim in Aequatore arcum ascensionis rectæ, vel descensionis includent. Ut arcus Aequatoris BF, ascensio vel descensio recta erit arcus Eclipticæ QI, qui inter principiū D , & principiū X , intercipitur.

Ascensionem non
estam descensio-
nemque cuiuscunq;
arcus Eclipticæ
non ab Aries
inchoari, sine As-
trolabio depre-
hendere.

7. I T A Q U E si Ecliptica AQCR, in 12. signa distribuatur, ut propos. 5. lib. 2. Num. 17. docuimus, & ad eorum puncta ex centro E, rectæ ducantur, constructa erit figura continēs ascensiones, descensionesq; rectas omnium signorum. Nam arcus Aequatoris à pū A C, versus D, usque ad singulas eiusmodi lineas, dabunt ascensiones, descensionesque punctorum, quæ initia, ac terminos signorum definiunt. Arcus vero eiusdem Aequatoris inter duas eiusmodi rectas comprehendens, ascensionem, descensionemque illius arcus Eclipticæ non ab V , inchoati exhibebit, qui inter easdē duas rectas includitur. Et si singula signa in gradus subdividuntur, atque ad eos similiter rectæ ex E, emitantur, habebimus quoq; ascensiones, descensionesq; omnium graduum Eclipticæ. Ita vides in prædicta figura, arcum CD, ascensionem rectam esse arcus CR, inter principium V , & principium D , positi: Arcum vero CDA, ascensionem arcus CRA, inter principium V , & E : Arcum item CDAB, ascensionem arcus CRAQ, à principio V , usque ad principium D : Arcum præterea FCD, esse rectam ascensionem arcus ICR, inter principia X , & D , interpositi, & sic de ceteris. Atque huiusmodi figuram refere prior figura Andréæ Schoneri, quam in Scholio propos. 9. lib. 2. Gnomonices descripsimus, exemplumque possumus in Canone sequenti, Num. 10.

E A D E M figura ascensionum rectarum constructur, si Ecliptica dividatur in
Eccc gradus



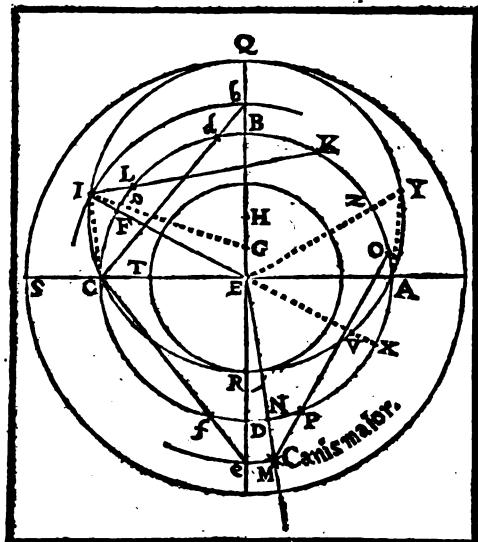
Figuram ascensio-
nem rectarum om-
nium arcuum ob-
seruare.

gradus per lineas rectas per centrum Astrolabii ductas, vt lib. 2. propos. 6. ad finem Num. 37. docuimus: si namirum puncta inueniantur in recta, quæ in centro maximi circuiti instar Verticalis Ecliptice (qualis est recta ST, in figura pro pos. 11. lib. 2.) ad meridianam lineam perpendicularis est, per quæ rectæ per centrum Astrolabij educantur. Hæ enim rectæ & Eclipticæ in gradus distribuunt, vt lib. 2. propos. 6. ad finem Num. 37. ostendimus, & rectas ascensiones eorum graduum indicant, vt hic ostensum est.

Ex data ascensione, descensione recta arcum Eclipticæ respondentem elicimus.

8. VICISSIM ex data ascensione, aut descensione recta arcum Eclipticæ

respondentem elicimus, si ex centro E, per terminata ascensionis, descensionis recta emittatur. Hæc enim Eclipticam secabit in puncto, cui ascensio data conuenit, arcus autem respondet erit is, qui à principio V, se cùdum successionem signorum ad illud usque punctum protenditur. Ut ascensioni rectæ C D A B F, respondet arcus Eclipticæ CRAQI: atque ita de ceteris. Manifestum est autem ex ipsa figura, datæ ascensioni, quæ ab V, non incipiat, a signari non posse arcum Eclipticæ respondentem. Nam ascensioni BF, respondet tam arcus QE, quam arcus QY, cum ascensio BF, ascensioni BZ, sit æqualis; atque ita si arcui BF, alibi in Aequatore arcus æqualis accipi-



tur, respondet ei ascensioni aliis arcus Eclipticæ.

9. ASCENSIO recta, & descensio cuiuslibet stellæ eadem facilitate reperiatur. Si namque ex centro Astrolabii per locum, seu centrum stellæ recta linea ducatur, arcus Aequatoris inter principium V, & illam rectam secundum signorum seriem interceptus, ascensionem, descensionemque rectam stellæ metietur. Ut ascensio, vel descensio recta Canis maioris erit arcus Aequatoris CDN. Punctum autem Eclipticæ simul cum stella proposita cooriens supra Horizontem rectum EM, vel occidens, aut ad Meridianum perueniens, hoc est, cælum medians, erit illud, per quod eadem recta EM, in Ecliptica transit. Quanto autem intervallo punctum illud à principio V, absit, indicabit recta ex G, polo Eclipticæ, per ipsum punctum Eclipticæ trajecta. Tot enim gradus in arcu Eclipticæ inter dictam rectam, & principium V, continentur, quot in arcu Aequatoris inter candem rectam, & principium V, comprehenſo, vt lib. 2. propos. 4. Num. 17. demonstrauimus. V. g. si recta EI, per alicuius stellæ centrum ducta esset, orietur ea stella supra Horizontem rectum EI, vel infra eum descendere, aut cælum mediaret cum puncto Eclipticæ I, quod tot gradibus a princi-

pio

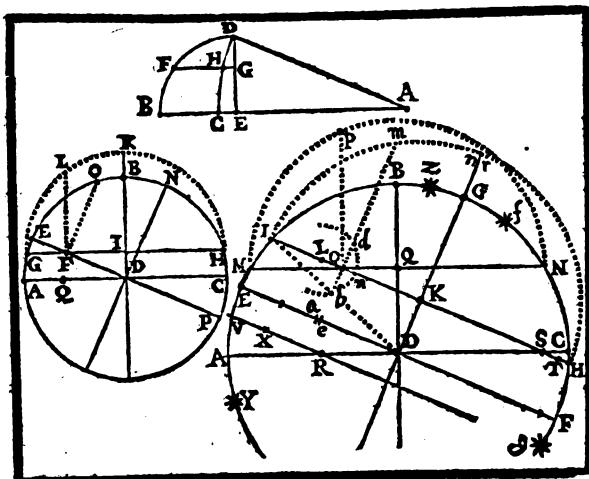
pio $\sqrt{-}$, versus Ξ , recedit, quot in arcu Aequatoris Ca, continentur; Eiusdem autem stellæ ascensio, descensioue recta est arcus CDAF.

S C H O L I V M .

1. EX Analemmate sic ascensionem, descensionemque rectam cuiusvis puncti Ecliptice ad ipsicsemur. Repetita figura scholij antecedentis Canonis, sumatur in 2. descriptione arcus NO, aequalis distantie dati puncti à proximo puncto aquinoctiali, & demissatur ad Eclipticam diametrum perpendicularis OF, ac per F, Aequatoris diametro parallela agatur GH, secans BD, in I; ac denique ad GH, extinetur perpendicularis FL, secans circulum circa GH, descriptum in L. Dico arcum KL, esse ascensionem, descensionemque rectam dati puncti O. Nam ut in scholio precedenti Canonis ostendimus, GH, est diameter parallelis, quem datum puellum describit, eiusque semicirculus GKE, & dati puncti declinatio AG: Et quoniam Colurus aquinoctiorum per D, initium γ , datus, & circulus declinationis, qui tunc est Horizon rectus, similes arcus ex As-

Ascensionem, &
descensionem re-
ctam dati puncti
Ecliptica ex An-
alemmate ad ipsi-

a 10. 2.
Theod.

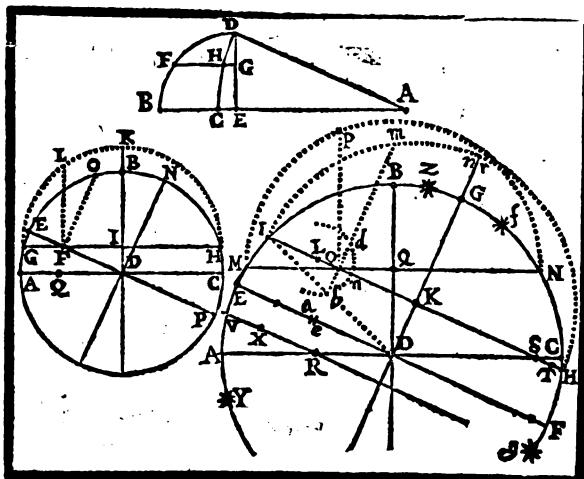


quatore & parallelo abscinduntur erit arcus KL, similis arcui ascensionis, vel descensionis recta in Aequatore, quem circulus declinationis per punctum L, incedens abscindit, tanquam Horizon rectus. Quod ut planius fiat, concipientur semicirculi ENP, GKM, (Eclipticae paralleli) ad Colurum recti, quo posito congruent sibi mutuo puncta L, O, ut in scholio precedenti Canonis diximus. Cum ergo circulus declinationis instar recti Horizontis transeat per O, punctum Eclipticae, transibit idem per punctum L. Et quia tunc punctum K, est in Coluro aquinoctiorum, cum IK, communis sectio sit paralleli, & prae dicti Coluri ad Colurum solstitiorum perpendicularis, ut ratio postulat: (Nam quia & Colurus aquinoctiorum. & parallelus ad Colurum solstitiorum rectus est; erit quoque communis eorum sectio ad eundem rectam, ideoq; & ad GH, communem b 19. vnd. sectionem paralleli, & Coluri solstitiorum. Quare KL, cum ad GH, sit perpendicularis communis sectio erit Coluri aquinoctiorum, ac parallelis) erit arcus KL, similis ar- c 10. 2. cui Aequatoris inter Colurum aquinoctiorum, & circulum declinationis per L, tran- scuntem, Theod.

Eccc 2 scuntem,

seuentem, qui quidem arcus ascensio recta est, aut descendio puncti O, siue arcus Eclipticæ NO, quippe qui inter Horizontem rectum, qui tunc est circulus declinationis, & Cœlurum aequinoctiorum, siue punctum aequinoctii interciciatur.

I T A Q V E si punctum O, datum existat inter γ , δ , ϵ ; ascensio eius recta, vel descensio, erit KL, minor quadrant: si inter γ , δ , ϵ , ascensio, descensio, erit arcus conflatus ex quadrante KG, δ arcu GL, quia tunc ascensio, descensio, KL, cum contraria successione suppetetur a γ , auferenda est à semicirculo, ut ascensio, aut descensio ab γ , inchoata relinquatur: si inter γ , δ , ϵ , ascensio, vel descensio erit arcus conflatus ex semicirculo, δ arcu KL, quia tunc ascensio, descensio, KL, sumit initium à γ , tenditque versus δ : si denique ultra δ ; recta ascensio, aut descensio erit arcus ex tribus quadranticibus, δ arcu GL, conflatus, quia tunc ascensio, descensio, KL, congruit reliquo arcui Ecliptica usque ad γ , ac proinde ex integro circulo auferenda, ut ascensio, descensio, ab γ , inchoata relinquatur. Quod si datum punctum sit E, principium γ , erit eius ascensio, vel descensio quadrans: si principium γ , semicirculus: si denique principium δ , arcus ex tribus quadranticibus conflatus.



Asterionem re-
ctam stellaris cuius
vis, vel descendio
sem, ex Analem
proposito proponere.

3. STELLAE cuiusvis ascensionem rectam vel descensionem eodem modo cognoscemus, si eius declinatio innenatur, ut in scholio precedens Canonis dictum est. Nam in 2. descriptione recta QO, erit sinus ascensionis, vel descensionis recta in parallelo MPN, ita ut recta DB, producta per perpendicularis OP, intercipiat ascensionem descensionem rectam. Eadem enim ratio hic est, que paulo ante de ascensione, descensioneque dati puncti Ecliptica allata est.

S Igitur Stella distans I m. à principio ☽, numeretur contra successionem signorum, minorque sit quadrante, ascensio, vel descensio eius recta erit minor quadrante, arcus videlicet sinus ☽, debitus: si vero distans illa contra signorum ordinem sit quadrante maior, superabit ascensio, vel descensio recta tres quadrantes compleimento arcus, qui sinus ☽, debetur; quia enim tunc ascensio descensione inuenientium sumit ab √, & versus ☽, tendit, subducenda erit ex integro circulo, ut ascensio, vel descensio recta ab √, secundum signorum ordinem numerata reliqua-

tum: Quod si distansia lm , à principio Se , numeretur secundum successionem signorum, minorque sit quadrante, ascensio, aut descensio recta invenia, iuxtam sumet à V , versus D , tendens, ideoque ex semicirculo auferenda erit, ut ascensio, vel descensio recta stella relinquatur ab V , inchoata: Si denique distansia illa secundum successionem signorum sit quadrante maior, tendet ascensio, vel descensio invenia à V , versus D , ideoque ad semicirculum adicienda, ut ascensio descensione stella ab V , numerata conficiatur. Quod si stella distansia à D , nulla sit, continebit eius ascensio vel descensio recta quadrantem: si quadranti aequalis sit secundum ordinem signorum, semicirculum: si denique semicirculo sine secundum signorum seriem, sine concreta numerata, tres quadrantes. Qua omnia in sphera materiali perspicua sunt.

3. SI ascensio vel descensio recta arcus cuiusvis Ecliptica non ab V , inchoari desideretur, inuestiganda erunt ascensiones, vel descensiones duorum extremitorum punctorum dati arcus: Nam si minor ascensio, descensione ex maiore detrahatur, reliqua sit dati arcus ascensio recta, aut descensio.

4. I AM ex data ascensione, aut descensione recta areum Ecliptica respondentem, cui videlicet ascensio, vel descensio data conuenit, ita colligemus. Si ascensio, aut descensio recta quadrante minor est, assumatur ea, ut proposita est: Si vero maior est quadrante, sed semicirculo minor, detrahatur ex semicirculo: si maior semicirculo, sed minor tribus quadrantibus, detrahatur ex ea semicirculus; si denique maior tribus quadrantibus, dematur ex integro circulo: hac enim ratione habebitur semper ascensio, vel descensio recta à proximo punto equinoctiali nota, ac minor quadrante. Huius ascensionis descensionis sumatur in 2. descriptione sinus rectus DQ: quod facile hoc, si ex B, versus A, ipsa ascensio, vel descensio numeretur, & à termino numeracionis ad A D, perpendiculariter demittatur. hac enim sinus abscedens DQ, quem capimus. Inuenienda ergo est parallela GI, que à diametro Ecliptica DE, sic dividatur in F, ut eadem sit proportio IF, ad FG, qua DQ, ad QA. Tunc enim si circa eam semicirculus describeretur GKH, & perpendicularis excitaretur FL, esset arcus KL, similis arcui ascensionis, vel descensionis data, cuius sinus est DQ, ex Lemmate 5. ac proinde ascensio descensione illa recta arcus Ecliptica debetur, cuius sinus est DF, & ultimo puncto declinatio AG. Quo patto autem ex invento punto F, elicendus sit arcus Ecliptica, cui data ascensio descensione congruat,

Num 6. docebimus.

SIC autem parallela GI, quae è modo dividatur, inuenietur. Per Lemmatum 1. reperiatur in DE, punctum F, per quod transire debet Ellipsis, cuius maioris axis semisaxis DB, minoris DQ. Recta enim per F, ducta aequidistantis ipsi AD, erit ea, que quadrans, cum per Lemmata 5. sit, ut DQ, ad QA, ita IF, ad FG. Punctum porro F, refert illud, in quod cadit perpendicularis ex communi sectione circuli declinationis & paralleli in planum Coluri solstitialium demissa, cum ab omnibus punctis illius circuli perpendiculariter demissa cadant in Ellipsim, ex propos. 24. lib. 1. nostra Gnomonices. Ex quo si, circulum illum declinationis secare parallelum in proprio suo in puncto L, ideoque KL, arcum similem esse arcui ascensionis descensionis recta in Aequatore, quem idem circulus abscedat, & cuius sinus est DQ, quem perpendicularis ex intersectione dicti circuli declinationis cum Aequatore in Colure solstitialium demissa rescat.

5. IDEM punctum F, Ecliptica, & declinationem AG, sine auxilio Ellipse reperiatur hoc modo. Quoniam per propos. 44. nostrorum triang. sphær. in triangulo sphærico ELM, quod in duodecim circulis scholij Canonis precedentiis continetur, est ut sinus totius ad sinus arcus ascensionis descensionis recta EL, ita tangens anguli MEL, maxima declinationis ad tangentem arcus declinationis LM; et permutando, ut si-

*Accedentes res
cam deca-
bemue dati ar-
cus Ecliptice nō
ab Ariete inchoa-
ti, reperi ex
Analemmate.
Ex data ascensio-
ne, deca-
ne recta arcus
Ecliptica respon-
dent per An-
alemma exquiri-
te.*

mus ratus ad tangentem maxima declinationis, ita sinus ascensionis, descendionis recta data ad tangentem declinationis puncti, cui ascensio, vel descensio illa debetur. Sed per propos. 18. tractatus nostri sinum, & tangentium, est quoque sinus complementi maxima declinationis ad sinum maxima declinationis, ut sinus ratus ad tangentem maxima declinationis. ^a Igitur erit quoque, ut sinus complementi maxima declinationis ad suum maxima declinationis, ita sinus ascensionis, descendionis recta ad tangentem declinationis puncti, cui ea ascensio, vel descensio congruit. Sit ergo Meridianus, sive Colurus posterior $\Delta N C M$, cuius centrum D ; Aequatoris diameter AC ; Ecliptica EP ; axis mundi gk . Demittatur ad AC perpendicularis EB . Ex A , ad eandem AC , erigatur perpendicularis AK , que circulum tangat, ex coroll. propos. 16 lib. 3. Eucl.

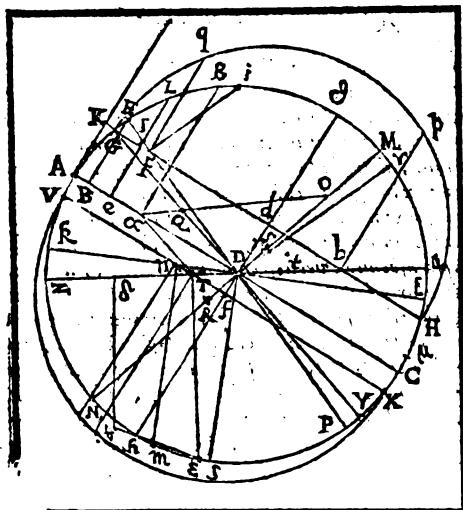
Denique D e, sit sinus data ascensionis, descendionis recta, & ex e, ad AC , perpendicularis excitetur e I. Et quoniam est ut BD , sinus complementi maxima declinationis $A E$, ad BE , sinus eiusdem maxima declinationis, ita $D e$, sinus ascensionis, descendionis recta data ad e I; et ut proximo demonstrauimus, e I, tangens declinationis quaestra. Sumpta ergo AK , ipsi e I, aequali, duocor ex K , per centrum D , recta KDy , secans circulum in G ; eritq; AK , tangens arcus AG , ideoq; AG , declinatio erit que sita, ita ut tunc Ecliptica cum Cabro, vel Meridianio efficiat sectionem communem GY . Duxit autem GH , ipsi AC , parallela secabit Eclipticam in F, punto, quod quaritur.

6. INVENTO punto F, ducantur ex D, F, ad EP, duas

perpendiculares Dr, Fi ; eritque r, arcus Ecliptica inter V. vel Δ , & circulum declinationis, qui vicem gerit Horizontis recti. Si igitur data ascensio, vel descensio recta minor est quadrante, arcus r, erit is, cui ex ascensio, vel descensione debetur, invenimusque sumer ab V. Si vero ascensio, aut descensio data a maior est quadrante, sed semicirculo minor, tendet arcus r, à Δ , versus Δ . Et ergo ablato ex semicirculo, et quaque fit quaeferus arcus ab V. sumens inicium. At si data ascensio, vel descensio maior est semicirculo, sed tribus quadrantibus minor, vixit arcus r, à Δ , versus Δ . Quare si adducatur semicirculus, constabunt arcus quaeferus ab V. inchoantes: Si denique data ascensio, aut descensio maior est tribus quadrantibus, arcus r, porrectus erit ab V, versus Δ . Et ergo ex solo circulo detracto, relinquetur arcus quaeferus ab V, inchoatus. Manifestum autem est, si ascensio, vel descensio recta sit quadrans, arcum Eclipticam respondentem esse quadrantem ab V, inchoatum; si semicirculus, semicirculum; si denique tres quadrantes, tres quadrantes.

7. AVXILIO sinuum omnia hac indagabimus hac ratione. Repetantur 120 circuli

b, 4. sexti.

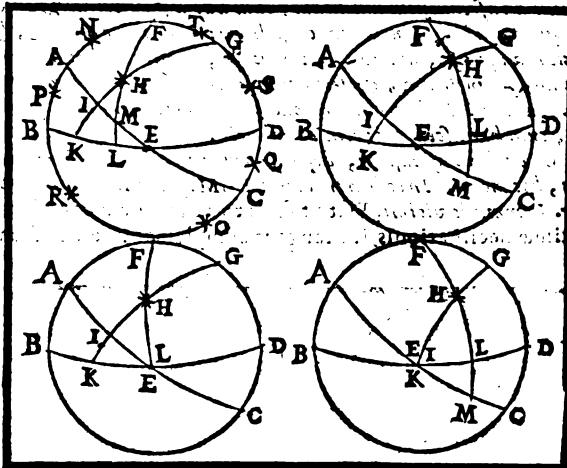


C A N O N I I I .

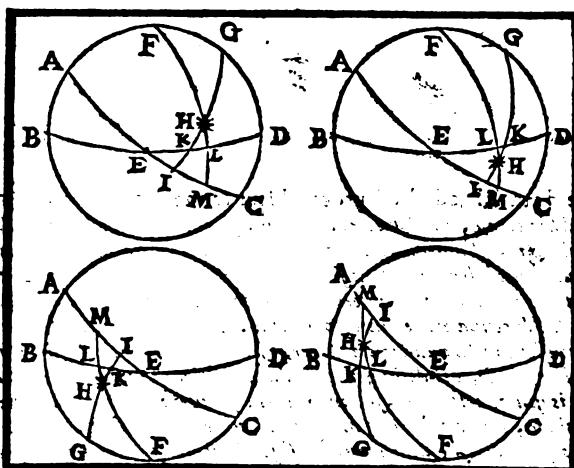
601

circuli ad finem scholij antecedentis Canonis descripti, in quibus omnibus (cetero & duo decimo excepto) ascensio recta à proximo aequinoctij puncto computata, que puncto Ecliptica m, congruit, est arcus EL, cum circulus FL, vix gemit Horizontis recti,

Ascensionem rectam, defecatam, nemue dati puncti Eclipticae, hanc operationem impazare.



quippe qui per polos mundi ductus cum Aequatore rectos angulos ad L, constitutus. Sit igitur in triangulo sphærico rectangulo ELM, per 1. modum problematis 9. triang. sphær. ultimi Lemmatis, Fiat ut sinus totus ad sinum complementi anguli MEL,

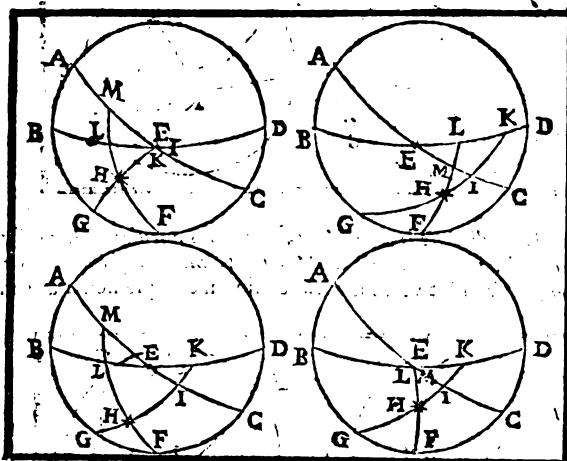


maxime declinationis, ita tangens arcus EM, Ecliptice à proximo puncto equinoctii inchoati ad aliud, producetur tangens ascensionis recte EL, que sit.

Et si

Et si punctum M, exiret inter principium $\sqrt{}$, & $\textcircled{15}$, erit ascensio recta ipse arcus inuenitus EL, quadrante minor: si vero inter principium $\textcircled{15}$, & $\textcircled{30}$, detrahenda erit ascensio invenita, qua ab $\textcircled{15}$, versus $\textcircled{15}$, supponatur, ex semicirculo, ut ascensio recta quae sit ab $\sqrt{}$, inchoata reliqua fiat: At si inter principium $\textcircled{30}$, & $\textcircled{30}$, adiiciendus erit semicirculus ad ascensionem inuenitam, cum bac a $\textcircled{30}$, versus $\textcircled{30}$, numeretur, ut ascensio recta quae sit ab $\sqrt{}$, inchoata conficiatur: Si denique inter $\textcircled{30}$, & $\sqrt{}$, auferenda erit invenita ascensio, qua ab $\sqrt{}$, versus $\textcircled{30}$, numeratur, ex integro circulo, ut ascensio recta ab $\sqrt{}$, inchoata, ex secundâ successionem signorum supponatur, que quaritur, relinquatur. Eodem autem modo ascensio recta cuiusvis puncti Ecliptica supponatur, cum hac ascensioni recta aequalis sit.

Ex data recta ascensione, descensione recta supponatur arcus Ecliptica respondens, hoc modo. In eodem triangulo ELM, si per I. modum problematis 13. triang. spher. Lemmatis ultimi, Fiat ut sinus totus ad sinum complementi anguli LEM, maxima declinationis, ita tangens complementi rectæ ascensionis, de-

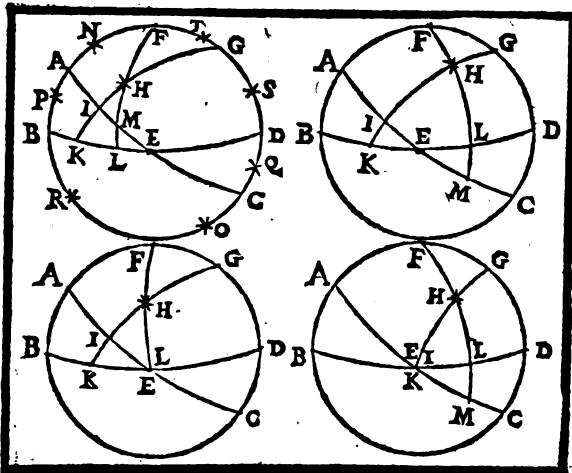


scensionis ut data EL, ad aliud, procreabitur tangens complementi arcus EM, quæstus. Sed hic etiam, ut Num. 4. diximus, si data ascensio, aut descensio recta quadrante minor est, assumenda erit, ut proponitur: si vero quadrante maior, sed minor semicirculo, detrahenda erit ex semicirculo: si autem maior semicirculo, sed tribus quadrantibus minor, demendus erit semicirculus ex easi denique tribus quadrantibus maior, subducenda erit ex integro circulo. Hac enim ratione habebitur semper ascensio, descensione recta quadrante minor. & à proximo punto equinoctiū inchoata. Rursus quando ascensio, vel descensio recta data quadrante minor est, erit arcus Ecliptica EM, is qui quartus ab $\sqrt{}$, inchoatus: si autem maior quadrante, semicirculo tamen minor, auferendus erit invenitus arcus EM, ex semicirculo, ut quæsus arcus reliquias fiat ab $\sqrt{}$, numeratus: at si semicirculo quidem maior, sed tribus quadrantibus minor, adiiciendus erit invenitus arcui EM, semicirculus, ut quæsus arcus ab $\sqrt{}$, initium sumens conficiatur: si denique tribus quadrantibus maior, invenitus arcus EM, ex integro circulo substrahendus erit, ut reliquias sic arcus quæsus ab initio

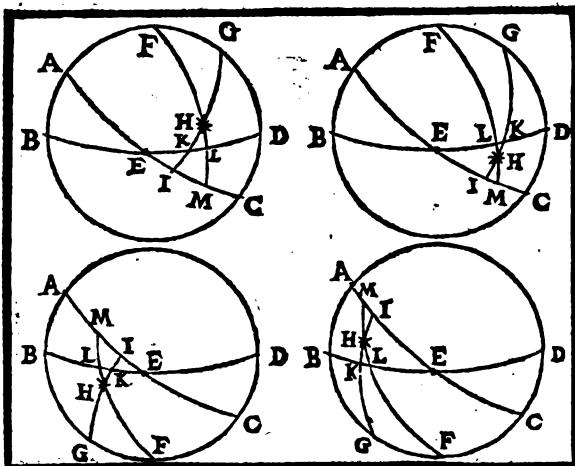
ab initio V, numeratus. Id quod in praecedenti etiam Num. 6. diximus.

ASCENSIO recta, descensio quo cuiusvis stella hac arte per numeros reperietur.
In omnibus 12. circulis ascensio, vel descensio recta stella est arcus BL, à Coluri solisti-

*Mercatorum res-
taam, defraude-
nemque emulati-
bor de illis per ag-
mores ruribus.*

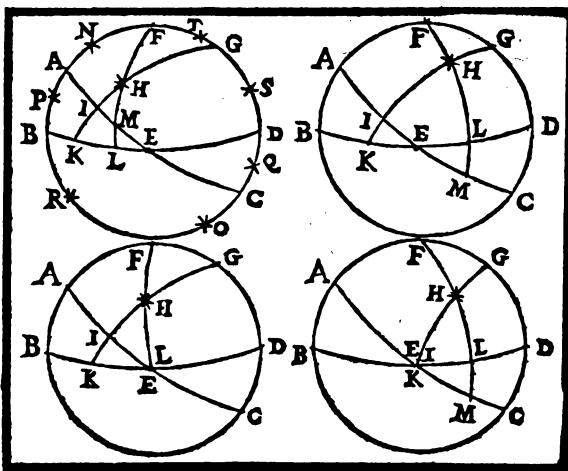


*porum semicirculo, in quo principium DG , existit, numeratus, vel arcus DL , à semicir-
culo eiusdem Coluri, in quo principium DO , est, computatur; quem ex angulo BFL .
vel DFL , sic investigabimus. Quoniam in triangulo sphærico FGH , tria lacra non*

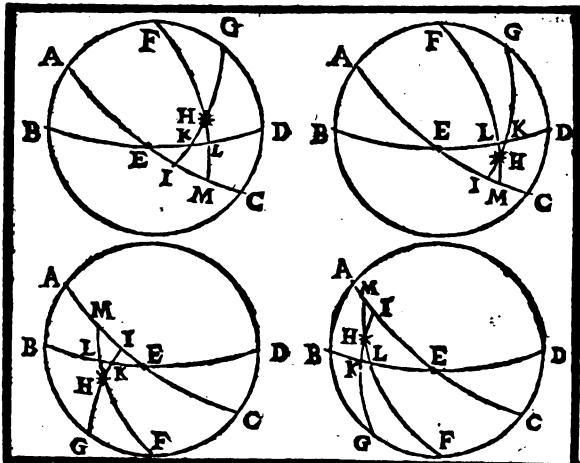


*Junt, cum PG , sit arcus maxima declinationis, & GH , complementum latitudinis, sed
le, ac denique FH , complementum declinationis eiusdem stellæ in scholio praecedentis
Fff Can.*

Cas. Num. 10. inuenientur si per problema 25. triang. spher. ultimi Lemmatis, fiat ut sinus totus ad sinum arcus FH, complementi declinationis, ita sinus arcus FG, maxima declinationis ad aliud, inuenientur quartus numerus. De-



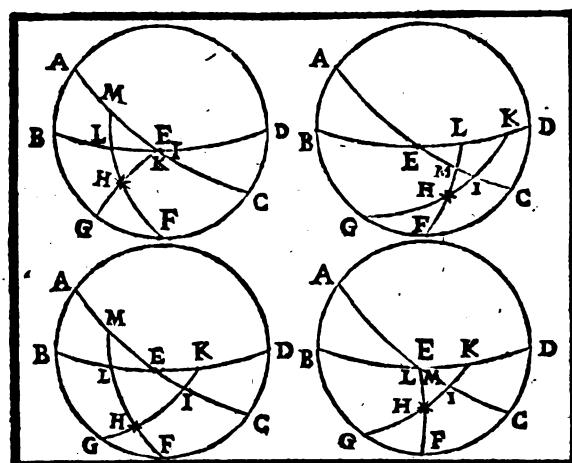
Inde si rursus fiat, ut quartus numerus proxime inuentus ad sinum totum, sit
differentia inter sinum versus tertij arcus GH, latitudinem stellæ metentis, &
sinum versus arcus, quo duo arcus FG, FH, inter se differunt, ad aliud, gigne-



ter sinus versus anguli GFH, cuius arcus DL. vel BL. queritur; hoc est, sinus
versus ascensionis, descendensue rectæ queritur, numerandæ quidem in Aquatore

ore à semicirculo Coluri solstitiorum per D , duxo, si latitudo stellæ borealis est, vt in prioribus c. circulis; à semicirculo vero eiusdem Coluri per D . descripto, si latitudo est australis, vt in posterioribus c. circulis. If se perro si-
mus versus inueniens indicabit, num ea ascensio maior sit, vel minor quadrante, an ve-
ro quadrante, prout videlicet maior fuerit sinus recto, aut minor, vel equalis. Vtrum
etiam inuenientur ascensio, aut descensio numeranda sit secundum successionem signorum,
vel contra à D , aut à G , monstrabut locus stellæ in Zodiaco. Nam si stella existat
in semicirculo Ecliptica ascendente, & latitudinem habeat borealem, numeranda est
invenientur ascensio, aut descensio à D , secundum successionem signorum; contra vero, si
in semicirculo descendente existat, latitudinemque habeat borealem. At stella existente
in semicirculo ascidente, & latitudinem habentem australem, numeranda est ascensio,
descensio invenientur à G , contra signorum ordinem; secundum vero successionem, stel-
la in semicirculo descendente existente, latitudinemque habente australem.

E X his nullo negotio ascensionem, sine descensionem rotam stellæ ab V , inchoa-



gam reperiemus. Quando enim à D , secundum successionem signorum numeratur,
adiciendi sunt tres quadrantes, & ex numero conflato integer circulus adiciendus, si
abici potest, ut ascensio, descensio ab V , inchoata producatur: Quando autem à
 D , contra signorum ordinem numeratur, auferenda ea erit ex tribus quadrantibus,
ut ascensio, vel descensio ab V , inchoata relinquitur: Quando vero à G , compuca-
tur secundum successionem signorum, adiciendus est quadrans, ut conficiatur ascen-
sio, descensio ab V , inchoata: Quando denique à G , contra signorum se-:m no-
meratur, auferenda est ex quadrante, adiecto prius circulo integro, quando deictio
fieri nequit, ut ascensio, vel descensio ab V , numerata remaneat. Quia omnia in spha-
era materialis perspicua sunt.

QVOD si quando accidat, complementum declinationis aequalis esse maxima decli-
nationis, ita ut latera FG , FH , quae sum angulum GFH , ambientia sint aequalia;
si Fiat, ut sinus totus ad semisum complementi latitudinis, hoc est, ad semisse
lateris GH ; ita secans complementi arcus FG , maximæ declinationis ad aliud,

F fff 2 gigne-

gignetur sinus semissis anguli GPH, &c. ut constat ex 2. modo problematis 1. triang. spher. Lemmatis ultimi.

RVRSVS si repertus fuerit angulus GHF, rectus, existet vel principium \checkmark , vel $\underline{\alpha}$, in Horizonte recto, ut in 3. & 12. circulo patet. Quam ob rem ascensio recta, aut descensio vel nihil est, vel semicirculo equalis. Quando enim ascensio invenia (qua tunc quadranti equatur.) numeranda est a \checkmark , secundum successionem signorum, aut a $\underline{\alpha}$, contra successionem, ascensio vel descensio nihil est: quando vero a \checkmark , contra successionem, aut a $\underline{\alpha}$, secundum successionem computanda est, ascensio, descensio semicirculo aquatur.

Aliter quidam fel
la est in princi-
pio Aries, vel
Libra.

ASCENSIO, atque descensio recta hac alia quoque ratione supputari potest. Quando stella est in principio \checkmark , vel $\underline{\alpha}$, ut in 4. & 9. circulo, si in triangulo KLM, habente angulum L, rectum, per 1. modum problematis 9. triang. spher. ultimi Lemmatis, Fiat ut sinus totus ad sinum complementi anguli HKL, hoc est, ad sinum anguli LKM, maximæ declinationis, cum hic illius sit complementum, ita tangens latitudinis stellæ HK, ad aliud, procreabitur tangens ascensionis, vel descensionis rectæ KL, à proximo æquinoctii punto inchoata. Hac, si stella borealis est, existitque in principio \checkmark , numeranda est ab \checkmark contra successionem signorum, ac proinde subtracta ex integro circulo ascensionem relinquit à \checkmark , inchoatam; si autem borealis est in principio $\underline{\alpha}$, existens, numeranda est à $\underline{\alpha}$, secundum successionem signorum, ideoque adiecta ad semicirculum conficit ascensionem ab \checkmark , inchoatam. At vero si stella est australis, & in principio \checkmark , existit, numeranda est ab \checkmark , secundum successionem signorum; si vero australis est, & in principio $\underline{\alpha}$, supputanda est à $\underline{\alpha}$. contra signorum successionem, adeo ut subtracta ex semicirculo ascensionem ab \checkmark , inchoatam relinquit.

Quando stella est
in principio Can-
cri, vel Capricor-
ni.

QUANDO autem stella existit in principio $\underline{\alpha}$, complectetur eius ascensio, vel descensio recta quadrantem; in principio vero \checkmark , tres quadrantes.

Argumentum af-
firmans recta.

EXISTENTE vero stella extra principium \checkmark , $\underline{\alpha}$, vel \checkmark , erit in omnibus circulis, prater 4. & 9. ascensio, vel descensio recta EL, à proximo æquinoctii punto computanda, que sic inuenietur. In triangulo EIK, cuius angulus I, rectus, si per 1. modum problematis 13. triang. spher. ultimi Lemmatis, Fiat ut sinus totus ad sinum complementi anguli IEK, maximæ declinationis, ita tangens complementi arcus EI, distantiam stellæ à proximo punto æquinoctii metentis, ad aliud, producetur tangens complementi arcus EK, quem argumentum ascensionis rectæ dicere possumus.

DEINDE in triangulo HLK, cuius angulus L, rectus, si per 1. modū problematis 7. triang. spher. ultimi Lemmatis, Fiat ut sinus totus ad secantē declinationis HL, in scholio antecedētis Canonis inuenient, ita sinus cōplementi argumēti declinationis HK, in eodem scholio inuenient, ad aliud, producetur sinus cōplementi arcus KL, qui differentia est inter ascensionem rectam EL, & eius argumentum inuentum EK. Quando stella declinationem habet borealem, & in semicirculo Ecliptice boreo existit, ut in 1. 2. 3. & 8. circulo; vel australē habet declinationem, & in Ecliptica semicirculo australi existit, ut in 6. 10. 11. & 12. circulo, cōferantur inter se argumentum ascensionis, & differentia inter ipsum, & ascensionem; & si deprehensa fuerint inēqualia, minus ex maiore tollatur. Reliquus enim numerus dabit quasi am ascensionem rectam, vel ascensionem EL, à proximo æquinoctio supputandam, versus eandem quidem partem, in qua locus stella reperitur, quando argumentum minus est differentia, ut in 1. 6. 8. & 10. circulo; in contrariam vero partem loci stella, quando argumentum minus est differentia, ut in 2. & 11. circulo: Si vero argumentum differentia inuenientur fuerit aquale, existet stella in Coluro æquinoctiorum, ut in 3. & 12. circulo.

Quare

Quare si stella prope V , extiterit, eius ascensio, descensione recta nihil erit; si vero prope U , semicirculo erit aequalis. Quando autem declinatio stellæ borealis est, eiusque locus in semicirculo Eclipticaustrali, ut in 5. circulo; vel eius declinatio australis, & locus in Ecliptica semicirculo boreo, ut in 7. circulo; summa argumenti, & differentia dabit ascensionem, descensionemque rectam quasitam EI, à proximo aquinoctio versus eandem partem computandam, in quam stella locus vergit.

I A M vero in omnibus circulis, (prater 3. & 12. in quibus stella oritur supra Horizontem rectum, & medias calum cum principio V , vel U , prout iuxta v , aut w , extiterit, cum sit tunc in Coluro aquinoctiorum.) punctum M, Ecliptica, cum quo stella oritur in sphera recta, calumque mediat, hoc modo suppeditabitur. In triangulo ELM, cuius angulus L, rectus, si per 1. modum problematis 13. triang. sphar. ultimi Lmmatis, Fiat vt sinus totus ad sinus complementi anguli LEM, maxima de- clinationis, ita tangens ascensionis recte EL, invenire, & à proximo aquinoctio numeratæ, ad aliud, prodibit tangens arcus Ecliptica EM, in eandem partem vergens: in quam ascensio tendit. Punctum ergo Ecliptica M, quem ignorari non poterit.

Q V O D si stella caruerit latitudine, inuenietur eius declinatio, ascensioque recta, vel descensio, ex eius distanca à proximo aquinoctio: quemadmodum dati puncti Eclipticae declinatio, ascensioque recta suppeditata fuit.

Punctum Eclipticae & cum quo stella in Horizonte recto oritur, calamque mediat, per numeratos suppeditata.

C A N O N . V.

ASCENSIONEM, descensionemque obliquam cuiuslibet puncti Eclipticæ, vel stellæ inuestigare: Et vi- eissim datæ ascensioni, descensionique obliquæ arcum Eclipticæ respondentem assignare: Denique punctum Eclipticæ, cum quo stella proposita in sphæra obliqua ori tur, vel occidit, determinare.

I. N O N proponimus hic determinationem puncti Eclipticæ, cum quo stella data cælum mediat, hoc est, ad Meridianum peruenit; quod quilibet stellæ cum eodem puncto in sphæra obliqua Meridianum attingat, cum quo in sphæra recta: quod quidem indicatur in Ecliptica per lineam fiduciam ostensoris stellæ cacumini superpositam; vel per rectam ex centro Astrolabii per stellam du- etiam, vt in præcedenti Can. Num. 9. diximus.

Stella quibus est endem puto Ecliptica medias calum, in sphæra obliqua cum quo in recta.

P O N A T V R datum punctum Eclipticæ, hoc est, ultimum punctum arcus ab v , inchinati, vel cacumen stellæ propositæ, in Horizonte obliquo datæ re- gionis ex parte orientali. Nam reti sic constituto, arcus Aequatoris à princi- pio v , secundum ordinem signorum usque ad Horizontem obliquum, hoc est, usque ad intersectionem orientalem Aequatoris cum Horizonte recto, & obli- quo, computatus, dabit ascensionem obliquam, quæ inquiritur: quam etiam dabit arcus ei similis in limbo inter lineam fiduciam ostensoris per principium v , transiuntem, & Horizontem rectum interceptus. Arcus enim ille Aequatoris peroritur simul cum arcu Eclipticæ ab v , usque ad datum punctum nu- merato supra Horizontem obliquum; idemq; perortus tunc erit, quando stella ad Ho-

Ascensione obli- quam dati pon- ti Eclipticæ, nec stella per instru- mentum repeti- re.

Qui gradus Ecliptica cum data stella oritur in sphera obliqua.

Differentia obliqua quam data punctum Eclipticae, seu stellae per instrumentum, invenire.

Qui grados Ecliptica cum data stella occidat in sphera obliqua.

Ascensionis, descendens obliquas data coorensum arcum Eclipticae per instrumentum repertus.

Differentia ascensionis quod possumus quo partem reperiens ex Albolabio.

Ascensionem, descendensem obliquam data arcus Eclipticae non ab Ascensione invenire.

ad Horizontem obliquum peruenierit, ut ex instrumento liquido apparet. Posita autem stella in Horizonte obliquo ex parte orientali, punctum Ecliptice, in eodem Horizonte tunc existens est illud, cum quo stella oritur.

2. EO DEM modo, si datum punctum, vel stella in eodem Horizonte obliquo ex parte occidentali collocetur, dabit arcus Aequatoris à principio v , secundum signorum successionem usque ad Horizontem obliquum, id est, usque ad intersectionem Aequatoris cum Horizonte obliquo, & recto, computatus descenditionem obliquam dati puncti, aut stellae: Cui arcui similis est arcus Limbi inter Horizontem rectum, & lineam fiduciam Osthensoris per initium v transcurrentem, interpositus. Nam arcus ille Aequatoris totus infra Horizontem obliquum descendisse conspicetur, cum primum stella, vel punctum datum ad obliquum Horizontem peruenierit. Posita autem stella in Horizonte obliquo ex parte occidentali, punctum Ecliptice in eodem Horizonte tunc existens est illud, cum quo stella occidit. Atque hoc punctum semper diuersum est ab eo, cum quo eadem stella oritur in sphera obliqua.

3. ASCENSIONI, descenditione obliqua cognitæ, siue ea alicius punctum Ecliptice sit, siue stellæ, arcum Ecliptice respondentem sic reperies. Circumvoluatur rete, donec arcus Aequatoris à principio v , versus g , & w , tendens usque ad Horizontem obliquum ex parte orientali complectatur tot gradus, quot in data ascensione continentur. Nam punctum Ecliptice, quod tunc Horizontem obliquum ex eadem parte attingit, terminat arcum Ecliptice quicunque, cui nimur data ascensio congruit: Et si ascensio data est alicuius stellæ, necesse est, tunc stellam in eodem Horizonte reperiiri. Quocirca ut habeatur punctum Ecliptice cum stella cooresponsa, satis est, ut stella in Horizonte obliquo ponatur. Punctum enim Ecliptice Horizontem eundem attingens, erit id, quod quartatur. Ascensionem autem facile numerabis in Limbo ab Horizonte recto ex parte orientali versus armillam progreundo. Si enim ad terminum applies lineam fiduciam ostensoris, vertendum erit rete, donec principium v præcise sub linea fiducia reperfatur. Tunc enim arcus Aequatoris inter v & Horizontem rectum, similis erit ei, qui in Limbo numeratus est. Non aliter descensioni obliquæ arcum Ecliptice simul descendenter inuenies, si pro parte orientali occidentalem recipias.

CAETERVM posito punto Ecliptice dato, vel stella in Horizonte obliquo, & superposita linea fiducia ipsi punto, vel stellæ, arcus limbi inter lineam fiduciam, & Horizontem rectum interclusus, est differentia ascensionalis illius puncti, vel stellæ, cum ascensio recta terminetur in linea fiducia, quæ instar est Horizontis recti, obliqua vero in Horizonte recto, ut Num. 1. dictum est.

4. NON difficile erit ex his ascensionem, descenditionemque obliquam cuiuslibet arcus Ecliptice non ab v inchoati conilicere. Nam differentia inter ascensionem, descenditionemque primi, & ultimi puncti arcus propositi, erit ascensio, descenditione obliqua dicti arcus. Vel ita procedemus. Posito primo punto dati arcus in Horizonte obliquo, notetur in Limbo per lineam fiduciam ostensoris per ideam punctum transcurrentem gradus, in quem linea fiducia cadit. Deinde circumvoluatur rete, donec ultimum punctum eiusdem dati arcus Horizontem obliquum attingat, & notetur iterum gradus in Limbo à linea fiducia per primum punctum transente monstratus. Arcus enim inter duo illa puncta positus, erit ascensio, aut descendens obliqua dati arcus, prout videlicet pars orientalis, aut occidentalis Horizontis obliqui assumpta fuerit.

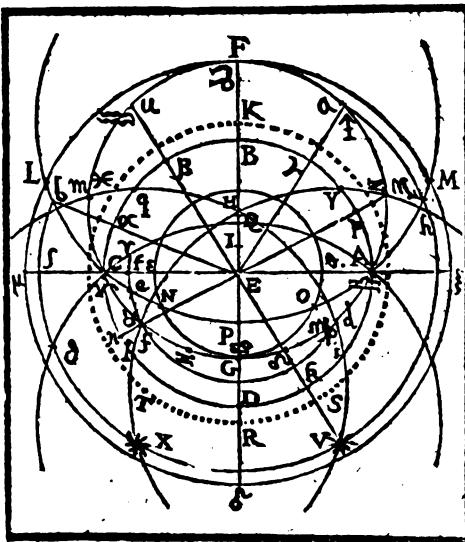
5. ASCENSIONEM, descenditionemque obliquam cuiuslibet puncti Eclipti-

Eclipticæ, seu stellæ cognoscemus sive instrumento, hac ratione. Sit Aequator ABCD, cuius centrum E; tropicus λ , FLM; tropicus δ , GNO; Ecliptica AFCG, cuius centrum H, & polus I; Horizon obliquus ad datam regionem descriptus LCPAM, cuius centrum K, & polus Q: describaturque per K, centrum Horizontis, parallelus Aequatoris KTR. Sumpta ergo beneficio, circini semidiametro Horizontis KP, ponatur unus circini pes in dato pucto Eclipticæ, vel in centro stellæ, verbi gratia, in d, principio $\eta\gamma$, vel in centro stellæ V, & altero centrum T, sumatur in circulo KTR, ex quo per d, vel V, Horizon dato Horizonti similis describatur Vdm, ita ut eius conueniat à dato puncto respiciat Eclipticæ partes præcedentes, occidentales signorum, ut ex $\eta\gamma$, Leonem, ex $\eta\alpha$, Libram, &c. Arcus namque Aequatoris CDI, ab V, usque ad dictum Horizontem erit ascensio obliqua puncti d, vel arcus Eclipticæ CGd, & stellæ V; propterea quod punctum Aequatoris i, una cum puncto Eclipticæ d, & stellæ V, oritur supra Horizontem obliquam dV. Quod autem dV, Horizon sit dato Horizonti similis, hoc est, eiusdem inclinationis ad Aequatorem cū Horizonte dato APC, patet, eu m sit unus ex circuitis horarum ab ortu, vel occ. vt cōstat ex ijs, quæ lib. 2. prop. 9., Num. 5. demonstrauimus. qui quidem circuli omnes eandem inclinationem cum Horizonte, cui æquales sunt, ad Aequatore habent, ex theor. 1. propos. 21. lib. 2. Theod. quippe qui eosdem parallelos, quos Horizon, tangant. Cum ergo signa & stellæ eadem modo oriatur supra omnes Horizontes eiusdem inclinationis, quamvis unus sit altero orientalior, perspicuum est, arcum Aequatoris CDI, esse ascensionem $\eta\gamma$, & stellæ V, in dato Horizonte, cū ascesio sit supra Horizonte per $\eta\gamma$, transeuntem, & per stellæ V. Sic si per principium $\eta\gamma$, id est, per punctum Z, ex centro S, Horizon describatur secans Aequatorem in Y, erit arcus Aequatoris CDY, ascensio obliqua puncti Z, vel arcus Eclipticæ CDZ. Et sic de ceteris. Gradus autem Eclipticæ d, ab Horizonte per stellam V, descripto abscissus est ille, cum quo stella oritur.

DESCENSIO obliqua eadem modo reperiatur, si per datum punctum, aut stellam Horizon describatur centrum habens in prædicto parallelo KTR, per centrum Horizontis descripto, ita tamen, ut eius conueniat respiciat partes Eclipticæ præcedentes, sive occidentales. Ut si per f, principium χ , vel per stellam X, ex centro S, Horizon secans Aequatorem in l, erit

Ascensio dicitur
siveemque obli-
qua dari pôdi
Eclipticæ, vel
stella sive infra-
mento investiga-
re.

Quæ partis Hor-
izontis obliquas de-
scribidas sit pro
sternendas ob-
liquas.



Qui gradus Eclipticæ cum dato
stellæ oriente in
sphera obliqua.

Quæ partis Hor-
izontis obliquas de-
scribidas sit pro
sternendas ob-
liquas.

Qui gradus Ecliptice cum data stellæ occidat in sphera obliqua.

Differentis aseenionalis descensio naliue quo patro reperitur fit de instrumento.

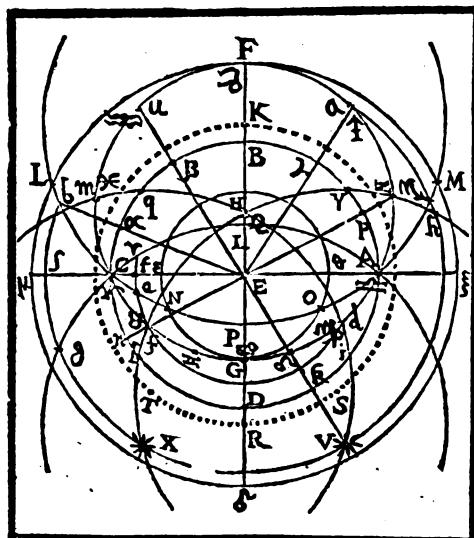
Aseenionem, descriptamq; oblique quæ cuiusvis arcus Ecliptice ab Aries inchoata, sine instrumen to deprehendere.

erit arcus Aequatoris Cl, descendio obliqua puncti Eclipticæ f, vel arcus Cf, & stellæ X. Gradus autem f, Eclipticæ ab Horizonte per stellam X, descripto abscessus est ille, cum quo stella occidat.

6. SI ex centro E, per datum punctum Eclipticæ, vel stellam, recta ducatur secans Aequatorem, erit arcus Aequatoris inter illam rectam, & Horizontem eo modo, quo diximus, descriptum differentia ascensionalis, vel descendisionalis. Ut pY, erit differentia ascensionalis primi puncti m, cum eius ascensio recta sit CDp, obliqua vero CDY. Sic in differentia ascensionalis erit primi puncti g, Et i, differentia ascensionalis stellæ V.

7. OBLIQVA ascensio dati arcus Eclipticæ non ab V, inchoati, est arcus Aequatoris inter duos Horizontes per extrema puncta dati arcus descriptos, ita ut concavum vtriusque respiciat præcedens signum, quod videlicet ante datum punctum oritur. Eiusmodi enim arcus erit differentia ascensionum, quæ punctis extremis dati arcus debentur. Ut ascensio obliqua signi u, est AY, signi m, A, i; arcus denique dZ, inter principium m, & finem u, ascensio obliqua est i A Y. Non alia ratione descendio obliqua dati arcus aliunde quam ab V, inchoati, erit arcus Aequatoris inter duos Horizontes per extrema dati arcus descriptos, ita ut vtriusque conuexum præcedentes partes Eclipticæ, quæ videlicet prius oriuntur, respiciat. Ut descendio obliqua signi V, erit Cl; signi X, Cq; descendio denique obliqua arcus fm, inter principia g, & X, positi, erit arcus Aequatoris lq.

Aseenioni obliqui, vel descendienti data arcus Ecliptice finali orientem vel occidentem sine instrumento aliquam.



pticæ punctum d, principium videlicet m, cui prædicta ascensio congruit; ascensioni vero CDY, respondebit arcus CGZ. Ita quoque descendioni Cl, respondebit punctum f, vel arcus Bf, Arietis: Item descendioni CDBq, arcus CGfm, respondebit.

8. SVNT quoque aliæ duas viæ inuestigandi ascensiones, descendionesque obliquas

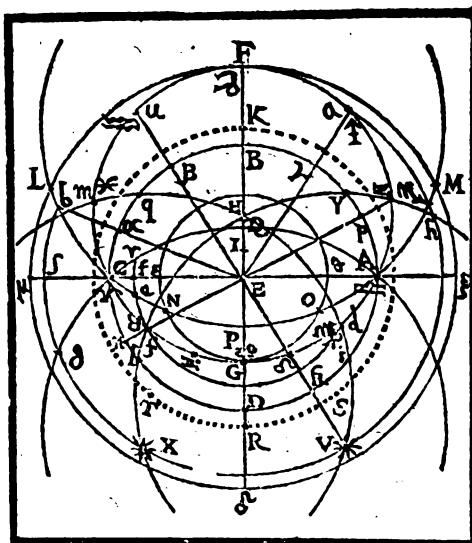
obliquas, sine descriptione Horizontum, quarum prima hæc est. Ex centro E, per datum punctum, vel stellam, describatur arcus parallelus Aequatoris contra successionem signorum usque ad Horizontem ex parte orientali. Hic enim ascensionem obliquam metietur. Ut arcus aVb, dabit ascensionem principii Γ , seu arcus Eclipticæ CGa. Quoniam enim similes arcus Aequatoris, eiusque parallelorum supra Horizontem quemcunque ascendunt, propter uniformem motum primi mobilis; ascendit autem arcus aVb, eo tempore, quo ad motum retis punctum a, ad Horizontem in punctum b, peruenit; quippe cum punctum a, dictum arcum ad motum primi mobilis describat; liquet, eum arcum similem esse arcui Aequatoris, qui cum prædicto arcu Eclipticæ CGa, supra Horizontem ascendit, metiturque eiusdem ascensionem obliquam. Eadem ratione erit arcus VXb, ascensio obliqua stellæ V, similis nimirum arcui Aequatoris Ci: Item arcus Xb, ascensio obliqua stellæ X: Et arcus dse, ascensio obliqua principii $\eta\pi$, similis videlicet arcui Aequatoris Ci: Et arcus fe, ascensio principii γ . Porro arcus fb, differen-

tia est ascensionalis puncti a, & stellarum V, X, cum rectæ ascensiones sint af, Vs, Xs. Itē arcus et, differētia ascensionalis est punctorū d, f, q rectæ eorum ascensiones sint vst, fet. Cetera hæc omnissimè clariss ex iis, quæ in Lemmate 49, Num. 8. demonstrauimus. Nam ducta recta Eb, hoc est, circulo maximo ex mundi polo E, per b, puncti interfectionis Horizontis cum parallelo per datum Eclipticæ punctum a, descripto, auferat ex Aequatore differentiam ascensionalem Ca, cui similis est sibi ducto alio circulo maximo ex polo E, per datum punctum a, nimirum recta Ea erit arcus Aequatoris γ Da, ascensio obliqua puncti a, cui similis est arcus aVb. Sic quoniā

parallelus per u, principium ω , descriptus secat Horizontem in b, auferent rectæ Eb, Eu, circulos maximos repræsentantes, ex Aequatore arcum β D α , ascensionem scilicet obliquam arcus Eclipticæ CGu. Atque ita necesse non est describere parallellum per datum punctum Eclipticæ, sed satis est in Horizonte punctum notare, ubi abeo parallelo secatur. Recta enim per hoc punctum ducta, & recta ad datum punctum emissâ, intercipient in Aequatore arcum oblique ascensionis dati puncti, ut in dicto Lemmate 49. Num. 8. demonstratum est.

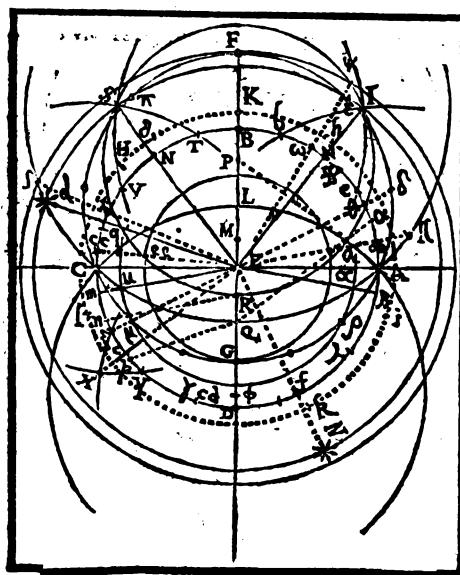
QVO D si ex centro R, per C, A, Horizon obliquus describatur gCa, Horizoni datæ regionis obuersus, erit arcus aVg, descensio obliqua puncti a; Ggg & Vg.

Alia ratio duplex
inveniendi ascen-
siones, defensio-
neque obliquas
faci instrumentac-



& Vg. descensio obliqua stellæ ν ; & Xg. descensio obliqua stellæ λ . Item dicitur obliqua defensionis puncti Eclipticæ ϕ , & fr., defensionis obliqua puncti f . Denique tr., differentia erit defensionalis punctorum Eclipticæ d , f , &c.

A L T E R A autem via, quæ mihi magis probatur, propterea quod in ea necesse non est parallelum describere, & ipsa statim ascensio, defensionis obliqua in Aequatore reperitur. est hæc. Sit rursus Acquator ABCD, circa centrum E ξ tropicus Ξ ; Geocentricus tropicus λ , F ϕ ; Ecliptica AF Ξ G, cuius polus M; Horizon obliquus AQC, cuius polus L, & centrum K; sitque investiganda ascensio obliqua principii λ . Ducta ex centro E, per μ , principium λ , recta E ξ , secante Aequatorem in ζ ; Item recta Em, per punctum m , vbi ex parte orientali Horizontem obliquum secet parallelus ex E, per datum punctum Eclipticæ μ , descriptus, secante Aequatorem in m , sumatur beneficio circuli arcus ζC , in Aequatore, à puncto ζ , usque ad principium λ ; contra ordinem signorum supputatus, eique æqualis abscindatur in q , à punto m , contra ordinem quoque signorum progrediendo. Dico arcum qC, esse ascensione obliquam principii λ . Si namque Ecliptica cogitetur motu, contra ordinem signorum, hoc est, ab ortu in occidu, donec μ , principium λ , ad u. perueniat, congruet recta E ξ , recta Em, & C, principium λ , in q, existet, propter æquales arcus ζC , in q . Hinc en. fit, ut & arcus ζm , Cq, æquales sint, ac proinde equalibus temporibus percurentur: adeo ut promoto puncto ζ , ad m , punctum C, ad q , peruenierit. Igitur arcus Aequatoris qC, à principio λ , usque ad Horizontem secundum successionem signorum computatus, ascensio obliqua erit principii λ , in u , punto Horizontis orientali tūc existentis. Rursus inquirenda sit obliqua ascensio principii λ .



Ducta recta EF, ex centro E, ad F, principium λ , secante Aequatorem in B, & recta Es, ad intersectionem orientalem Horizontis cum parallelo per F, descripto, quæ Aequatorem secet in t, sumatur arcui Aequatoris BAC, contra ordinem signorum numerato æqualis arcus versus eandem partem tBr. Dico arcum rABC, obliquam esse ascensionem principii λ . Nam motu Ecliptica contra signorum successionem, donec F, principium λ , ad s, perueniat, congruet recta EF, recta Es, & C, principium λ , in r, existet, propter arcus æquales BAC, tBr. Hinc enim fit, ut & arcus BACt, CtBr, æquales sint, id eoque eodem tempore B, ad t, & C, ad r, perueniat ad motum retis. Ex quo efficitur, arcum Aequatoris rABC, à principio λ , usque ad Horizontem orientalem, secundum ordinem .

ordinem signorum computatum, ascensionem esse obliquam principii λ , in s. puncto Horizonis orientali tunc existentis. Denique eodem modo ascensione obliquam reperiemus stellæ Z. Ductis namque rectis EZ, Ed, ad stellam, & ad intersectionem eius paralleli cum Horizonte ex parte orientali, si arcui Aequatoris à recta EZ, usque ad C, principium V, contra successionem signorum accipiatur arcus æqualis à recta Ed, usque ad S, erit arcus SBC, ascensio obliqua dictæ stellæ.

NON aliter descessiones oblique inuestigabitur, si pro intersezione orientali Horizonis cù parallello per datum punctū, velstellā descripto, assumatur interseccio occidentalis. Ut si queratur descessio obliqua principij γ , accipienda erit intersectione a, & ducenda per a, recta ex E, secans Aequatorem in β , & altera recta ex E, per μ , principium γ , secans Aequatorem in ξ . Nam si arcui Aequatoris $\xi C, \beta \gamma$, sumatur $\beta \gamma$, erit arcus γA , descensio obliqua principii γ . Nam mota Ecliptica ab ortu in occasum, donec μ , principium γ , ad a, perueniat, & recta EZ, recta Eb, congruat, existet principium V, in γ , propter æqualitatem arcuum $\xi C, \beta \gamma$. Hinc enim sit, ut & arcus $\xi C \beta, C \beta \gamma$, æquales sint, atque idcirco eodem tempore ξ , ad β , & C, ad γ , perueniat) ac proinde arcus Aequatoris γA , à principio V, usque ad Horizontem occidentalem, secundum successionem signorum computatus, descensio obliqua erit principij γ , in a, puncto occidentali Horizonis tunc existentis. Sic etiam si desideretur descessio obliqua principii η , ducatur recta Es, ad S, principium η , secans Aequatorem in θ , & alia recta Ell, ad intersectionem occidentalem II. Horizonis cum parallello principii η . (Non est autem necesse, ut parallelus dictus describatur, sed satis est, si ad interuallum Ed, notetur punctum II, in Horizonte secans Aequatorem in oo. Nā si arcui Aequatoris θAC , contra successionem signorum usque ad V, æqualis arcus ooDq, sumatur, erit qDA, descensio obliqua principii η , quod V, tunc in q, existat, &c.

ro. I A M vero figuram quandam construemus, (quam secundo loco lib. 2. Gnomonices in scholio propos. 9. ex Andrea Schonero etiam descripsimus: in qua tamen circulus ex L, descriptus dividendus non est in 12. partes æquales, vt ibi per imprudentiam faciendum esse diximus, sed in ascensiones rectas 12. signorum, vt in hac figura circulus ABCD, diuisus est. quod ideo dixerim, vt studiosus Lector illath figuram corrigerem posset.) in qua omnium arcuum Eclipticæ ascensiones rectæ & obliquæ contineantur, ita vt dato quolibet puncto Eclipticæ eius ascensionem tum rectam, tum obliquam ad datam poli altitudinem, ad quam nimirum figura constructa est, facilis admodum negotio exhibere possumus. Item ex data recta ascensione cuiuslibet puncti ascensionem eiusdem obliquam, & contra ex obliqua ascensione data rectam eruere: ac denique ex utrali bet cognita punctum Eclipticæ respondens assignare. Ex centro igitur H, circulus quantuscunque describatur KLMN, cum duabus diametris fere ad angulos rectos se cantibus KM, LN. Sumpto autem arcu MP, duplo maximæ declinationis, id est, grad. 47. ducatur recta KP, secans HL, in Q. Et quia iuncta recta PH, & angulus PHM, maximæ declinationis duplicate, duplus est anguli HQQ; erit HQQ, angulus maximæ declinationis, ac proinde HQK, angulus complementi maximæ declinationis. Quoniam autem est, vt KH, sinus anguli HQK, complementi maximæ declinationis in partibus sinus totius KQ, ad HQ, sinus anguli HQQ, maximæ declinationis in eisdem partibus, ita KH, sinus totius ad sinus HQ, in partibus sinus totius KH, erit ex ijs, que in Lemmate 49. Num. 19. demonstrauimus, HQ, sinus differentiarum ascensionalis principii σ , vel λ . (hoc

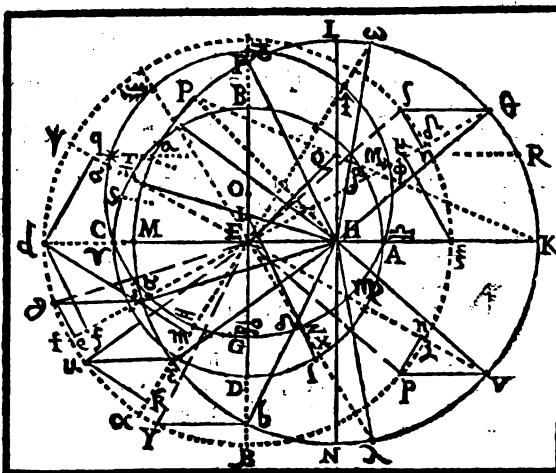
Figure confir-
mante coextensem
omnium parcer
rum Eclipticas
ascensiones rectas
& obliquas.

a so. tertij.

Ggg est,

est, puncti Eclipticæ, quod maximam declinationem habet ab Aequatore) in latitudine grad. 45. cōplectens particulas sinus totius KH, 43°48'. paulo amplius, ut ex dicta proportione colligitur: qui quidem sinus, vt ibidem ostendimus, & hic etiam apparet, equalis est Tangenti HQ, maximæ declinationis, respectu sinus eiusdem torius KH; (cum HQ, sit tangens anguli HKQ, posito sinu toto KH,) cui Tangenti 43°48'. in tabula sinuum inuentæ, hoc est, sinu differentiæ ascensionalis principii $\frac{1}{2}$, vel λ , in latitudine grad. 45. congruunt grad. 25. min. 46. Ex quo efficitur, si ex K, M, numerentur gradus $25\frac{1}{4}$. paulo amplius, usque ad R, a rectam iunctam Ra, exhibere idem punctum Q, quippe quæ abscedat rectam HQ, æqualem sinu grad. $25\frac{1}{4}$. paulo amplius, quanta nimirum est differentia ascensionalis principii $\frac{1}{2}$, vel λ , in latitudine grad. 45. quam Tangens HQ, maximæ declinationis in tabula Sinuum inuenta offert, (etiam si sinus ipsæ dictæ differentiæ ascensionalis non suppeditetur ex supradicta proportione.) nimirum grad. 25. min. 46.. vt diximus.

INVENTO puncto Q, constituantur angulus altitudinis poli datae HQE, quæ maior non sit complemento maximæ declinationis; eritque QEH, angulus complementi altitudinis poli. Ex centro vero E, describatur Aequator cuiusvis magnitudinis ABCD, & ducta diametro BD, ipsi AC, ad angulos rectos, sumantur arcus CS, ST, maximæ declinationiæquales, secabitque iun-



sta recta occulta AT, ipsam BD, in O, centro Eclipticæ, vt lib. 2. propos. 5. Num. 4. ostendimus, iuncta vero recta occulta AS, eandem BD, secabit in I., polo Eclipticæ, vt ibidem Num. 12. demonstrauimus. Descripta ergo ex O, per C, & A, Ecliptica AFCG, secetur in 12. signa per rectas ex eius polo I, per duo decimas partes æquales Aequatoris emissas, vt in figura factum esse vides: & ex centro E, per 12. signa Ecliptica efficiantur rectæ, quarum quælibet per duo signa opposita transbit. Hæ namque Aequatorem secant in ascensionibus rectis signorum, vt in Canone 4. Num. 7. dictum est: adeo vt arcus Aequatoris inter C, &

C, & rectam per quodunque punctum Eclipticę ductum positus (à punto C, quod est principium V, versus D, progrediendo, id est, secundum successio- nem signorum) metiatur ascensionem rectam illius puncti Eclipticę: arcus ve- ro inter quaslibet duas rectas interiectus ascensio recta sit arcus Eclipticę inter easdem duas rectas positi. Eodem deinde rectę eodem modo secabunt circulum KLMN, initio descriptum, in ascensionibus obliquis, ita ut rectę ex centro H, per puncta sectionum illarum rectarum cum circulo KLMN, emissę constituat in centro H, angulos ascensionum obliquarum. Quod hunc in modum demon- strabimus.

D E S C R I B A T V R ex E, circulus d β E, circulo KLMN, omnino æqua- lis, qui à rectis ex E, egredientibus secabitur quoque in ascensiones rectas, cum ambo circuli ABCD, d β E, similiiter secantur, ex scholio propos. 22. lib 3. Eucl. In primis igitur, Mb, esse ascensionem obliquam initij σ , in altitudine poli as- sumpta, cuius nimirum angulus est HQE, ita perspicuum fiet. Ducta recta EY, ipsi Hb, parallela, quoniam æquales sunt Hb, EY, cum semidiametri sint æqua- lium circulorum; erunt quoque HE, bY, parallelae & æquales. Quia vero ^{a 33. primi.} est, ut QH, sinus complementi altitudinis poli ad HE, sinus altitudinis poli, respectu sinus totius QE, ita recta QH, quam paulo ante ostendimus esse sinus differentiæ ascensionalis principii σ , in latitudine grad. 45. respectu sinus to- tius KH, ad HE; erit ex iis, quæ in Lemmate 49. Num. 20 demonstrauimus, HE, sinus differentiæ ascensionalis principii σ , in latitudine proposita. Igli- tur & Yb, ipsi HE, ostensa æqualis, sinus erit differentiæ ascensionalis principii σ , in latitudine data. Cum ergo Yb, sinus sit arcus Y β , erit Y β , differentia ascensionalis principii σ , in data regione. Est autem d β , quadrans, ascensio recta principii σ . Igitur ablata differentia ascensionali Y β , (Nam ascen- siones oblique ab V, vtque ad ω , minores sunt rectis, vt in Lemmate 49. Num. 12. ostendimus,) reliquus arcus dY, ascensionem obliquam initij σ , dabit, ^b cui æqualis est arcus Mb, propter angulos in centris dEY, MHb, ^c qui æqua- les sunt, propter parallelas EY, Hb. ^{b 26. tertii.} ^{c 29. primi.}

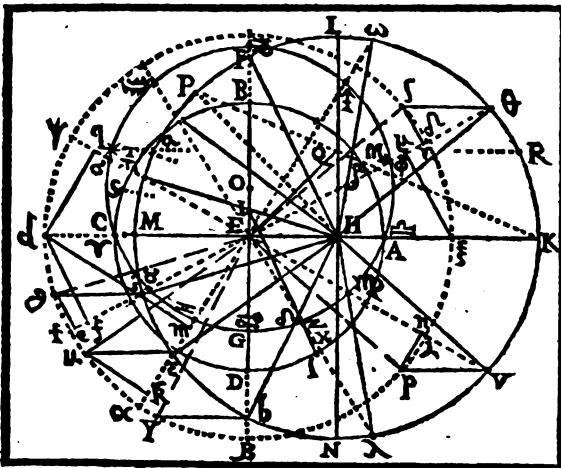
A T arcum M ϵ , esse ascensionem obliquam initij π , ita planum faciemus. Ducta Eu, parallela ipsi E ϵ , erit rursus iuncta u ζ , æqualis, & parallela ipsi HE: ^{d 33. primi.} Demissis itē d m, u k, ad E α , perpendicularibus, erunt triangula E d m, u k, æquiangula, quod anguli m, k, recti sint & d E m, u k, internus, & externus, ^{e 29. primi.} æquales. Ostensa enim sunt parallelae u ζ , & HE. ^{f 4. sexti.} Igitur erit, vt Ed, sinus to- tus ad d m, sinus ascensionis rectæ d α , initij π , ita u ζ , sinus differentiæ ascensio- nalis initij σ , in data regione, ad u k; ac proinde, vt in Lemmate 49. Num. 18. monstratum est, erit u k, sinus differentiæ ascensionalis initij π , in data regione, & arcus u α , differentia ascensionalis, ideoque d u, ascensio obliqua principij π , ^{g 26. tertii.} cui æqualis est arcus M ϵ .

I T E M arcum M i, ascensionem obliquam esse initij γ , sic probabitur. Ducta Eg, ipsi Hi, parallela, ^{h 33. primi.} erit rursus iuncta g i, æqualis, & parallela ipsi HE. Demissis item d f, g e, ad E t, perpendicularibus, erunt triangula Edf, ige, æquiangula, ob rectos angulos f, e, i & angulos d Ef, g i e, internū & externum, ^{i 29. primi.} æquales. ^{k 4. sexti.} Igitur erit vt Ed, sinus totus ad d f, sinus ascensionis rectæ d t, principij γ , ita i g, sinus differentiæ ascensionalis principij σ , in data regione, ad g e; atque idcirco, vt in Lemmate 49. Num. 18. ostendimus, erit g e, sinus dif- ferentiæ ascensionalis initij γ , ideoque arcus g t, in data regione differen- tia ascensionalis, & dg, ascensio obliqua principij γ , ^{l 26 tertii.} cui æqualis est ar- cus Mi.

R. V R.

R V R S V S arcum MV , ascensionem esse obliquam principii $\eta\gamma$, eodem modo demonstrabimus. Duxa enim Ep , ipsi HV , parallela, erit, ut prius, iunctarecta pV , ipsi HE , æqualis ac parallela. Demissis item dq, pn , ad EV , perpendicularibus, erunt triangula Eq, Vpn , æquilatera, quod anguli q, n , sint recti, & dEq, pVn , æquales, externus, & internus. Igitur erit, ut $E d$, sicut totus ad dq, pn , ascensionis rectæ d, n , principii $\eta\gamma$, ita Vp , sinus differentiæ ascensionalis principii $\zeta\delta$. In data regione, ad pn . Est ergo ex ijs, quæ in Lemmate 49. Num. 18. ostendimus, pn , sinus differentiæ ascensionalis principii $\eta\gamma$, in eadem regione; ideoque arcus $\eta\gamma$, differentia erit ascensionalis; & dp , ascensio obliqua initii $\eta\gamma$, cui æqualis est arcus MV .

AD extreum (Nam in omnibus semper eadem demonstrandi ratio usurabitur) arcum $K\theta$, esse ascensione principii $\eta\gamma$, obliquam à principio ω , numero



rata, ac proinde addito semicirculo MNK , totum arcum $MK\theta$, esse eiudem principii $\eta\gamma$, obliquam ascensionem à principio γ , numeratam, eodem prorsus modo demonstrabimus. Duxa enim Es , ipsi $H\theta$, parallela, erit iterum iuncta recta $\theta\zeta$, ipsi HE , æqualis & parallela. Demissis item $\xi\mu, sr$, ad $E\theta$, perpendicularibus, erunt triangula $E\xi\mu, \theta sr$, æquilatera, propter rectos angelos μ, r , & æquales $\xi Es, \zeta\theta r$, alternos. Igitur erit, ut $E\xi$, sinus totus ad $\xi\mu$, sinus ascensionis rectæ $\xi\delta$, initii $\eta\gamma$, ab initio ω , numeratæ, ita $\theta\zeta$, sinus differentiæ ascensionalis principii $\zeta\delta$, vel ω , in regione data, ad sr , Ex ijs ergo, quæ in Lemmate 49. Num. 18. demonstrata sunt, erit sr , sinus differentiæ ascensionalis principii $\eta\gamma$, ab initio ω , numeratæ, in eadem regione; ac propterea arcus $\delta\zeta$, differentia erit ascensionalis. Et quoniam, ut in Lemmate 49. Num. 12. monstratum est, ascensiones oblique à ω , usque ad γ , maiores sunt, quam rectæ, si ad rectam ascensionem $\xi\delta$, differentia dicta $\delta\zeta$, adiiciatur, erit $\xi\delta$, ascensio obliqua principii $\eta\gamma$, cui æqualis est arcus KO .

11 DETVR iam punctum Z , quodcunque Ecliptica, initium, v.g. Ω . positum-

positumque sit ex superiori figura eius rectam ascensionem inuenire. Ex E, centro Aequatoris, per datum punctum Z, recta ducatur EZ, secans Aequatorem in X, eritque CX, ascensio recta dati puncti, ut Can. 4. Num. 5. demonstratum est. Quod si eiusdem puncti ascensio obliqua in regione, cuius poli altitudinis angulus est HQE, desideretur, ducemus rursum ex E, centro Aequatoris per datum punctum Z, rectam. Hec enim ex circulo KLMN, ascensionem obliquam absindet M λ , ut proxime ostendimus. Præterea si ex data ascensione recta obliquam iubeamur eruere, numerabimus in Aequatore rectam ascensionem datam ex C, usque ad X. Recta enim ex E, centro Aequatoris per X, emissa ex circulo KLMN, ascensionem obliquam absindet M λ . At vero si recta ascensio ex obliqua queratur, numeretur data obliqua ascensio in circulo KLMN, ex M, usque ad λ . Nam recta EA, auferet ex Aequatore ascensionem rectam CX. Postremo si data ascensione sive recta, sive obliqua, punctum Eclipticæ, cui congruat, inueniendum sit, numeranda erit data ascensio, recta quidem in Aequatore ex C, usque ad X, obliqua vero in circulo KLMN, ex M, usque ad λ , & per finem numeracionis, & centrum E, recta ducenda secans Eclipticam in Z. Nam recta ex polo Eclipticæ I, per Z, duxa absindet ex Aequatore arcum CI, cui arcus Eclipticæ CZ, in sphera æqualis est, quod ad numerum graduum attinet.

12. DE descensionibus porro arcuum, punctorumque Eclipticæ ex prædicta figura inquirendis nihil præcipimus. Quoniam enim, ut in Lemmate 49. Num. 14. dictum est, descensio cuiusvis arcus æqualis est ascensioni arcus oppositi, & æqualis, inquirenda erit ascensio arcus oppositi pro descensione proposti arcus.

13. EX eadem hac figura facile demonstrabimus, quaternos arcus Eclipticæ æquales, quorum bini ab æquinoctialibus punctis, vel tropicis, æqualiter distant, habere ascensiones rectas æquales: quod in Lemmate etiam 49. Num. 6. demonstravimus. Quoniam enim arcus Aequatoris C π , A ρ , continentis v.g. grad. 30. æquales sunt, per quorum extrema puncta π , ρ , rectæ ex illis ex I, polo Eclipticæ (Hæ rectæ confusionis vitande gratia duxæ non sunt) exhibent arcus Eclipticæ C σ , A φ , arcus v.g. X, & ω ; est autem punctum I, in diametro Aequatoris BD, præter eius centrum E, erat ex theor. 5. scholii 29. lib. 3. Eucl. anguli, quos rectæ illæ cum BD, constituerent, æquales. Igitur cum eisdem illæ duæ rectæ pertingant ad σ , φ , faciantque in puncto I, præter centrum O, Eclipticæ angulos æquales, ut ostensum est; erunt per idem theorema, arcus Eclipticæ C σ , A φ , æquales. Quocirca cum rectæ E σ , E φ , cadentes ex E, punto præter centrum Eclipticæ O, absindant arcus æquales C σ , A φ , erunt per idem theorema, anguli F $E\sigma$, F $E\varphi$, æquales; ideoque ex rectæ reliqui d ξ Ed, d ξ E ξ , æquales quoque in centro E, Aequatoris, vel circuli d $\beta\xi$, concentrici.

Quamobrem arcus d ξ , ξ d, hoc est, ascensiones rectæ arcuum æqualium Eclipticæ C σ , A φ , æquales erunt. Et quia rectæ d E , φ E, productæ transeunt per puncta Eclipticæ opposita, hoc est, per principia $\beta\pi$, & γ , suntque arcus $\xi\gamma$, d ξ dt, arcubus d ξ , ξ d, æquales, ob angulos ad verticem, E, æquales; erunt omnes quatuor ascensiones rectæ d ξ , dt, ξ d, $\xi\gamma$, quatuor æqualium arcuum Eclipticæ, nimirum quatuor signorum X, \vee , $\beta\pi$, & ω , æqualiter distantium à punctis æquinoctialibus C, A, vel tropicis F, G, æquales.

EAD EM prorsus ratione ostendemus angulos FE ω , FE ξ , esse æquales, quibus demptis ab æqualibus F $E\sigma$, F $E\varphi$, æquales erunt reliqui d $E\omega$, d $E\xi$. Ergo, ut prius, rursum æquales erunt quatuor ascensiones rectæ quatuor arcuum

Ascensiones rectam, & obliquam cuiusvis puncti Eclipticæ & ex altera data, alteram, via cō pondo Eclipticæ respondentes ex superiori signa reperiuntur.

Definitio oblique ut ut reperiatur ex figura præcedente.

Quaternos arcus Eclipticæ æquales a punctis æquinoctialibus vel tropicis ex qualiter distant habere ascensiones rectas æqua- les.

426. tertij.

b 26. tertij.

arcuum α equalium, signorum videlicet ∞ , $\gamma\Omega$, & η . Atque ita de ceteris.

*Arcus Ecliptice
equalis ab alter-
utro punctorum
aequinoctialium
a qualiter distan-
tes habere alic-
ciones obliquas
æquales.*

14. IN FER T V R ex eadem figura, ascensiones obliquas duorum arcuum Eclipticæ æqualium ab alterutro punctorum æquinoctialium æqualiter distantium, esse inter se æquales. Sint enim æquales arcus Eclipticæ A θ , A η , à principio $\underline{\alpha}$, æqualiter distantes, hoc est, respondeant arcubus in sphera æquibus à principio $\underline{\alpha}$, æqualiter distantibus. Dico eorum ascensiones obliquas K θ , K η , æquales esse. Quoniam enim eorum ascensiones rectæ æquales sunt, vt Num. 13, ostendimus, erunt anguli βEH , VEH , æquales. Cum ergo punctum E, sit præter H, centrum circuli KLMN, in eius diametro; erunt per theor. 5. scholii propos. 29 lib. 3. Eucl. arcus K θ , K η , æquales. Eodem argumen-to concludemus, ascensiones obliquas K ω , K λ , arcuum Eclipticæ æqua-
lium, A \mathfrak{T} , A Z , æquales esse; ac proinde ablatis æqualibus K θ , K η , reliquias quodque ascensiones $\beta\omega$, V λ , æqualium arcuum $\phi\mathfrak{T}$, $\eta\mathfrak{Z}$, æquales esse. Et sic de reliquis.

*Arcus Ecliptice
in semicirculo a-
scendente tanto
minores habere
ascensiones obli-
quas rectis co-
rundem ascen-
siones, quanto ma-
iores rectis sunt
ascensiones obli-
quas arcuum æ-
qualium oppo-
sitorum, vel cù il-
lis ab eodem tro-
pico pùsto equa-
liter distantibus
& in semicirculo
descendente ex-
scentibus.*

15. P R AE T B R E A ex eadem figura colligere licebit, arcus Eclipticæ æquales ab alterutro tropicorum punctorum æqualiter distantes, vel per dia-me-trum oppositorum, in æquales habere ascensiones obliquas, minores quidem in se-micirculo ascendente à λ , per γ , usque ad η , maiores vero in semicirculo descendente à ϕ , per $\underline{\alpha}$, usque ad λ . Item illas tanto esse minores ascensionib-
us rectis corundem arcuum, quanto hæ maiores sunt. Sint enim duo arcus æquales $\gamma\pi$, $\eta\Omega$, à tropico punto G, æqualiter remoti. Et quia eorum ascensiones rectæ æquales sunt, vt Num. 13, ostensum est, erunt anguli βEZ , $VE\lambda$, æquales. Cum ergo punctum E, sit in diametro circuli KLMN, præter eius centrum H, erit per Lemma 32. arcus ϵ , minor arcu V λ . Eademque ratio ne probabitur ascensio obliqua cuiusvis arcus in semicirculo Ecliptica FCG, ascendente, minor arcu æquali in semicirculo descendente GAF, qui æqualiter cum illo ab eodem punto tropico distet. Quia vero arcus $\gamma\pi$, $\eta\Omega$, æqua-
les, & æqualiter à punto tropico G, distantes, æqualiter quoque à punctis æ-
quinoctialibus C, A, distant; habet autem arcus $\eta\Omega$, cum arcu $\eta\pi$, æqua-
li, & æqualiter ab eodem punto æquinoctiali A, remoto, æqualem ascensionem obliquam, vt Num. 14. monstratum est: habebit quoque arcus $\gamma\pi$, minorem obliquam ascensionem arcu æquali $\eta\mathfrak{T}$, qui illi oppositus est, cum æqualiter à punctis æquinoctialibus C, A, secundum successionem signorum distent. Ea-
demque ratione quilibet arcus in semicirculo Ecliptica FCG, minorem habe-
bit ascensionem obliquam arcu æquali in semicirculo GAF, qui illi oppo-
situm sit.

a 5. primi.
b 29. primi.
c 26. tertij.

*Ascensiones obli-
quæ duorum arc-
uum Eclipticæ
æqualium oppo-
sitorum, vel æ-
qualiter ab eode
puncto tropico
distantiam final-
fumque æquales
sunt rectis carus
de ascensionibus*

D E I N D E ², quia in Isoscele iH θ , anguli i, θ , æquales sunt, & his æqua-
les alterni anguli iEg, $\beta E\lambda$, erunt quoque differentia ascensionales ϵ , $\gamma\pi$, ar-
cuū oppositorum æqualium C γ , A η , æquales; ideoque quanto minor est ascen-
sio obliqua dg, vel Mi, recta ascensione dt, tanto maior erit ascensio obliqua
 $\xi\delta$, vel K θ , ascensione recta $\xi\delta$. Cum ergo ascensio obliqua K θ , æqualis sit osten-
sa ascensioni obliquæ KV, erit quoque ascensio obliqua Mi, arcus C γ , tanto
minor, quam recta, quanto ascensio obliqua KV, Arcus A η , æqualis, & æqua-
liter cum illo à tropico punto G, recedentis, minor est ascensione recta $\xi\delta$.
eiudem arcus. Eadem prorsus ratio est in ceteris artibus æqualibus, siue op-
positis, siue æqualiter ab eodem punto tropico recedentibus.

16. P O S T R E M O ex his omnibus sequitur, ascensiones obliquas duo-
rum arcuum Eclipticæ oppositorum, vel ab eodem tropico punto æqualiter di-
stantium simul sumptas, æquales esse ascensionibus rectis corundem arcuum si-
mul

mul sumptis : quia nimurum quanto vnius ascensio minor est ascensione eiusdem recta , tanto alterius maior est.

S C H O L I V M .

I. P E R Analemma ascensiones , descensionesque obliquas punctorum Eclipticae , stellarumque hoc modo investigabimus . Repetatur figura , quam in scholio precedens Canonis Num. 5. descriptissimus , in qua Meridianus ANC M , eiusque centrum D ; Aequatoris diameter AC : Ecliptica EP , vel kl; & axis mundi gh . Si igitur punctum Eclipticae , cuius ascensio obliqua queritur , fuerit in semicirculo descendente , complemen- tum eius distans à principio V , numeretur ab E , principio G , usque ad i , & ex i , ad EP , perpendicularis demittatur i F , & per F , Aequatoris diametro AC , parallela ag-atur GH , que diameter erit parallelis per punctum , in quo numeratio terminata fuit , de- scripta ; secet autem GH , Horizontis diamoerum aZ , in b , & axem mundi gh , in d . Denique ex d , per G . H . semicirculo parallelis descripto GfH , ducantur ex b , F , ad GH , perpendicularares bp , Fq . Erit ergo arcus pq , ascensio obliqua arcus Eclipticae à princi- pio V , versus G , numerati , cuius nimurum sinus est DF , qualis est arcus i , inter perpendicularares Dr , F , interceptus , ut lib . 1 . Lemmate 49 . Num . 17 . ostensum est . Si igitur arcum pq , ex semicirculo detraheris , reliqua erit ascensio obliqua arcus à princi- pio V , usque ad punctum Eclipticae punto F , respondens secundum signorum seriem nu- meratis . Et quia eandem ascensionem obliquam habet arcus à principio V , versus D , nu- meratus , qui aequalis sit arcui , cuius sinus est DF , ab eodem initio V , versus G , nu- merato , ut paulo ante in hoc Canone Num . 14 . monstratum est ; si ascensio inuenientia pq , ad semicirculum adiiciatur , prodibit ascensio obliqua puncto Eclipticae , quod tanto in- tervallo à principio V , versus D , recedit , quanto punctum puncto F , respondens ab eo- dem initio V , versus G , abest .

S I vero punctum Eclipticae , cuius ascensio obliqua inuenienda est , in semicirculo ascendente exticerit , numerandum erit eius à principio V , distans complementum à k , principio D , usque ad m , & ex m , ad kl , perpendicularis ducenda mn , & rursus per n , diametro Aequatoris AC , parallela extendenda V X , diameter nimurum parallela per punctum , in quo terminata fuit numeratio , transversis , secans Horizontis diamoerum in T , & axem mundi in f . Nam si ex f , per V , X , semicirculus parallelis describa- tur V π X , erit , ut lib . 1 . Lemmate 49 . Num . 17 . demonstravimus , ipsius arcus π ξ , inter perpendicularares T π , n ξ , ex T , n , ad V X , eductis interceptus , ascensio obliqua arcus Eclipticae à principio V , versus D , numeratis , cuius sinus est Dn , qualis est arcus sm , inter perpendicularares Ds , nm , interceptus . Si igitur ascensio obliqua inuenientia ex inte- gro circulo dectrabatur , reliqua fieri ascensio obliqua arcus Eclipticae à principio V , usque ad punctum , quod puncto n , responderet , secundum successionem signorum nu- meratis . Et quia eandem ascensionem obliquam habet arcus à principio V , versus G , nu- meratus , qui aequalis sit arcui , cuius sinus est Dn , ab eodem initio V , versus D , nu- merato , ut Num . 14 . huius Canonis ostensum est , congruet eadem ascensio inuenien- tia puncto Eclipticae , quod tanto intervallo à principio V , versus G , abest , quanto pun- dum , quod ipsi n , responderet , ab eodem initio V , versus D , remouetur .

A L I T E R . Invenientia puncti Eclipticae dati , vel stellae declinacione , ut Canone 3 . traditum est , numeretur ea ex A , & C , quamcumque in partem eandem usque ad G , H , ducatur quo diameter parallelis GH , per datum Eclipticae punctum , vel stel- lam transversis , secans axem mundi in d , & Horizontis diametrum in b . Et quo- niam Gb , est sinus versus arcus semiidius , erit d θ , sinus rectus differentia inter

ascensiones , de-
scensionesque obli-
quas ex Adualem
macte clivore .

H h h arcum

Invenientia differen-
tia ascensionis
dati puncti Ecli-
pticae , vel stellae ,
ex Adualem clivore .

arcum semidiurnum parallelī, & arcum semidiurnum Aequatoris, cui debetur si-
nus totus G d. Cum ergo, ut lib. i. Lemmate 49. Num. 15. ostendimus, eadem si-
differentia ascensionis, qua inter arcum semidiurnum puncti, vel stelle, & arcum
semidiurnum Aequatoris; erit quoque d b, sinus differentia ascensionis stelle.
vel puncti Ecliptice dati. Si igitur datum punctum, vel stella declinet in boream, au-
feratur differentia ascensionis inuenta ex ascensione recta stelle eiusdem, aut pun-
cti Canone 4. inuenta, vel si declinet in austrum stelle, vel datum punctum, adiicia-
tur ad rectam ascensionem. Relinquetur enim, vel confabatur ascenso obliqua, ve
ex ijs constat, qua lib. i. in Lemmate 49. Num. 15. dicitur. Nihil autem intererit
utram in partem, borealem, vel australem, declinatio sufficiatur a punctis A, C,
cum puncta opposita eandem habeant differentiam ascensionalem, ut ibidem tradi-
tum est.

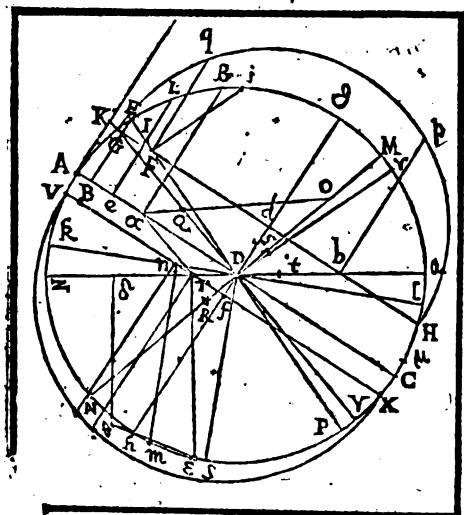
In qua celi par-
te initium Arie.
tus existat ex co-
ginta ascensione
obliqua cognos-
scere.

3. V T autem ex cognita ascensione obliqua alicuius puncti Ecliptica arcum Eclipti-
cae respondentem eruamus, explicanda prius sunt nonnulla.

Primum enim sciendum
est, quando ascensio obliqua mi-
nor est quadrante, principium
eī, exire inter orientem,
ac Meridianum supra Horiz-
ontem: quando est quadrante,
in ipso Meridiano supra Ho-
rizontem: quando maior qua-
drante, sed semicirculo minor,
inter Meridianum supra Ho-
rizontem, & occidentem: quā
do semicirculo maior, sed mi-
nor tribus quadranticibus, in-
ter occidentem, & Meridia-
num infra Horizontem: quan-
do tres complectuntur quadran-
tes, in ipso Meridiano sub Ho-
rizonte: quando denique tri-
bus quadranticibus maior, inter
Meridianum sub Horizonte,
& orientem.

DE INDE non igno-
randum est, quando initium
V, est inter orientem & Meridianum supra Horizontem, punctum Ecliptica in Me-
ridiano existens esse australe, in Horizonte vero orientali boreale: quando in Meri-
diano supra Horizontem, punctum in Horizonte orientali esse boreale: quando inter
Meridianum supra Horizontem, & Occidentem, tam punctum in Meridiano, quanto
in Horizonte orientali esse boreale: quando in occidente, punctum in Meridiano esse
boreale: quando inter Occidentem & Meridianum sub Horizonte, punctum in Me-
ridiano sub Horizonte, punctum in Meridiano esse boreale, & in Horizonte orien-
tali australe: quando in ipso Meridiano sub Horizonte, punctum in Horizonte orien-
tali esse australe: quando denique inter Meridianum sub Horizonte, & ori-
entem, tam in Meridiano, quanto in Horizonte orientali, esse australe. Qua om-
nia

Stet puncti E-
cliptica tam in
Meridiano supra
Horizontem,
quam in Horiz-
onte orientali, ex
principiis A.
et cōgnoſce-
re.



V, est inter orientem & Meridianum supra Horizontem, punctum Ecliptica in Me-
ridiano existens esse australe, in Horizonte vero orientali boreale: quando in Meri-
diano supra Horizontem, punctum in Horizonte orientali esse boreale: quando inter
Meridianum supra Horizontem, & Occidentem, tam punctum in Meridiano, quanto
in Horizonte orientali esse boreale: quando in occidente, punctum in Meridiano esse
boreale: quando inter Occidentem & Meridianum sub Horizonte, punctum in Me-
ridiano sub Horizonte, punctum in Meridiano esse boreale, & in Horizonte orien-
tali australe: quando in ipso Meridiano sub Horizonte, punctum in Horizonte orien-
tali esse australe: quando denique inter Meridianum sub Horizonte, & ori-
entem, tam in Meridiano, quanto in Horizonte orientali, esse australe. Qua om-
nia

via in sphera materiali perspicua sunt.

3. H I S cognitis, explorabimus arcum Ecliptica ab v , secundum signorum successorum numeratum, qui data ascensioni oblique congruat, hoc modo. Si ascensio obliqua maior est quadrante, sed semicirculo minor, detrahatur ex semicirculo; si maior semicirculo, sed minor tribus quadrantibus, detrahatur ex ea semicirculus; si denique maior tribus quadrantibus, dematur ex integro circulo: hac enim ratione habebimus semper arcum Aequatoris inter principium v . & Horizontem, sine orientalem, sine occidentalem, quadrante minorem. Huius arcus relicti, vel ipsiusmet ascensionis obliqua, si quadrante minor est, accipiatur in diametro Aequatoris AC , sinus rectus $D\alpha$: quod facile fieri, si ex g , versu A , ipsa ascensio obliqua quadrante minor, vel arcus relictus numeretur usque ad β . & ex β , ad AD , perpendicularis demutatur $\beta\alpha$. hac enim sinum rectum $D\alpha$, quem volumus, absindet: eritque punctum α , illud, in quod perpendicularis ex initio v in planum Meridiani demissa cadit, cum principium v , existat tunc in β , si semicirculus ABC , cogitur esse recta ad Meridianum, hoc est, idem, qui semicirculus Aequatoris: Atque hoc quidem, quando ascensio obliqua dura semicirculo minor est. Nam exsistere maiore, punctum α , erit illud, in quod perpendicularis ex principio v , in Meridiani planum demissa cadit: propterea quod quantum initium v , sub Horizonte ex una parte deprimitur, tam ex opposita parte principium v , supra eundem attollitur.

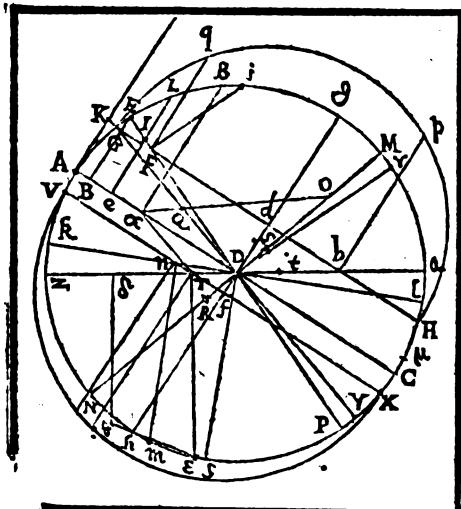
Ascensioni ebb.
qua data arena
Ecliptica respon-
dente beneficio
Analemma exhibi-
bere.

H O C posco, erit reliquus arcus $\beta\alpha$, is, qui in Aequatore inter idem principium v , vel u , & Meridianum supra Horizontem intercicitur, hoc est, ascensio recta illius puncti Ecliptica, quod tunc Meridianu supra Horizonte possider, cuius sinus rectus $\alpha\beta$; ascensio, inquam, recta ab v , vel u , inchoata. Ex hac ascensione recta inuenienda est declinatio illius puncti, quod tunc in Meridiano reperitur, & cui ea ascensio recta concipit, ut inscholio precedentis Canonis Num. 5, traditum est, hac videlicet ratione. Sinti $\alpha\beta$, equalis recta, accipiantur $D\alpha$, & ad AD , perpendicularis excitur αI , cui ex tangente AK , equaliter absindetur AK . Recta enim KD , arcum declinationis AG , quae siue absindet, ut loco citato demonstravimus. Hec declinatio erit borealis, quando data ascensio obliqua est maior quadrante, & tribus quadrantibus minor; australis vero, quando obliqua ascensio dura quadrante minor est, vel tribus quadrantibus maior, ut Num. 2, diximus, & liquido ex sphera materiali colligitur. Recta autem ex G , per centrum D , ducta, erit tunc communis sectio Ecliptica, ac Meridiani. Et quoniam Ecliptica ad Meridianu inclinata est, nisi quando alterum punctorum tropicorum in Meridiano existit supra Horizontem, & alterum infra, (tunc enim Ecliptica ad Meridianum recta est, a 15. 1.
quod Meridianus per eum polos incedat) cadent oes perpendicularares ex punctis Eclipticae, ead planum Meridiani demissa in Ellipsim, per propositionem 24. lib. 1. Gnomonicis nostra, quorum unum est a , in quod cadit perpendicularis ex principio v , vel u , demissa, cuius Ellipsis maior axis est GY , minor axis in diametro MN , ad GY , perpendicularis existit, qui sic reperietur. Internullo DG , semiassis majoris axis, sumatur beneficio circini ex a , in MN , punctu O , & recta ducatur aO , secans GY , maior axis in Q . Nam a Q , est semiassis minoris axis, quasi ex D , transferatur in utramque partem rectam MN , usque ad R, S , erit RS , minor axis, ex Lemmate 9. lib. 1. Si igitur per Lemma 9. 2. inueniatur in Horizonte diametro Za , punctu T , s. per qua dicta Ellipsis transire, cader perpendicularis ex altero eorum ad Meridianum erecta, nimur ex T , si Ecliptica ex parte australi Horizontem secat, in punctum Ecliptica in Horizonte orientali tunc existens. Quod si ducta recta Ta , equalis sumatur Td , & ad ZD , perpendicularares excutentur $T\alpha$, $\delta\theta$, iesurunt $\delta\theta$, ipsi a b , equalis sit, erit ducta recta $\theta\alpha$, equalis chorda arcus Ecliptica inter punctum Horizontis T , & principium v , vel u , inscripti, cum aquila sit recta intercepta inter perpendicularares ex T , a , emissas ad planum Meridiani, que quidem chorda est dicti arcus. Atque ita si beneficio chordae $\theta\alpha$, ex aliquo pun-

H h h 2 Bo,

Et, ut ex a, absindatur arcus a μ , erit hic arcui Ecliptica predicta equalis, atque adeo si à principio V , vel ω , (prout videlicet punctum a, respondet initio V , vel ω), dictus arcus numeretur, terminabitur numeratio in punto, quod tunc in Horizonte reperiatur, & ex quo perpendicularis demissa in planum Meridiani in T, incidit. Eodem pacto si Ecliptica ex parte boreali Horizontem secat, reperiatur punctum Ecliptica tunc in Horizonte existens, punctoque t, respondens, si ducta recta a, equalis recta sumatur in Za, &c.

I N V E N T O puncto Ecliptica, quod puncto T, vel t, respondet, hoc est, arcu inter principium V , vel ω , & Horizontem orientalem intercapo, reperiendas arcum Eclipticae dura ascensioni obliqua respondentem hoc modo. Quando dura ascensio obliqua minor est quadrante, respondet punctum a, initio V , & declinatio puncti in Meridiano existentis orientis australis, punctumque Ellipsis boreale t, assumendum est, atque arcus innexus, qui minimus inter perpendicularares ex a, ad planum Meridiani emissas intercipient, erit is, qui curatur. Quando vero ascensio obliqua maior est quadrante, & semicirculo minor, respondet punctum a, principio V , sed declinatio puncti in Meridiano existentis erit borealis, sicut & punctum, quod in Horizonte orientale tunc reperiatur, ac proinde punctum in Horizonte occidentale



existens, cui principium V , vicinus est, erit australis, ideoq; punctum Ellipsis australis T, assumendum. Quare arcus Eclipticae innexus, qui minimus inter perpendicularares ex T, a, ad planum Meridiani emissas intercipient, ex semicirculo dotracie relinquit arcum quasitum à principio V , secundum successionem signorum numerandum. Quando autem ascensio semicirculo maior est, sed tribus quadrantibus minor, respondet punctum a, principio ω , & declinatio puncti in Meridiano existentis erit borealis, punctumque Ellipsis australis T, assumendum, atque arcui Eclipticae innexo, qui minimus inter perpendicularares ex T, a, ad planum Meridiani emissas includitur, aequalisque est in figura arcui a μ , adiiciendus semicirculus, ut conficiatur arcus quasitum ab V , inchoatus. Quando deique ascensio tribus quadrantibus maior est, respondet punctum a, principio ω , sed declinatio puncti in Meridiano tunc existentis erit australis, quemadmodum & punctum in Horizonte orientale existens, ac proinde punctum in Horizonte occidentale existens, cui principium ω , vicinus est, boreale erit, ideoque punctum Ellipsis boreale t, assumendum. Quocirca arcus Eclipticae innexus, qui videlicet inter perpendicularares ex t, a, ad planum Meridiani erit, asponit, & aequalis est arcus oppositus inter principium V , sub Horizonte, & Horizontem orientalem

salem inscribitus) ex integro circulo subtractis reliquo arcus quod secundum à principio
Y, secundum signorum successionem numerandum.

Q V O D si ascensio obliqua proposita sit quadrans, existet initium Y, in Meridiano supra Horizontem in puncto A, maiorque axis Ellipsis erit AC, minor autem, segmentum axis mundi gh, à diametris parallelorum ɔ̄, & ɔ̄, abscissum, ut ex propos. 2.4. lib. 1. nostra Gnomonices constat, proptere a quod inclinatio Ecliptica ad Meridianum tunc est equalis complementum maxima declinationis. Inuenis ergo rufum punctum, in quibus Ellipsis Horizontem secat, assumendum est boreale. Arcus enim invenitus, qui videlicet intericetur inter perpendiculararem ex eo puncto boreali ad Meridianum erectam, & punctum A, erit quasius. Si vero ascensio contingat tres quadrantes, existet primum punctum ɔ̄, in Meridiano supra Horizontem, id est, in puncto A, sicutque eadem Ellipsis, qua antea, sed eius punctum in Horizonte australi assumendum est, & arcui inuenito, qui intercipientur inter perpendiculararem ex eo puncto australi ad Meridianum erectam, & punctum A, adiiciendus semicirculus, ut quasius arcus prodens ab Y, numerandus. Si denique ascensio sit semicirculus, erit quemque arcus Ecliptica ei respondens, semicirculus. Quia quidam omnia ex ijs, que Num. 2. diximus, & ex sphera materiali facile colliguntur.

4. E X doctrina finium idem assequemur, hoc modo. Si per punctum Eclipticae, vel connum stellae, cum oriatur, vel occidat circulus maximus ducatur, in istar Horizontis cuiusdam recti, erit (ut ex sphera materiali constat) arcus Aequatoris inter ipsum circulum, & Horizontem positus, differentia ascensionalis, descensionalis, cum ascensio, descensionis recta ab Y, secundum successionem signorum progrediendo terminetur in illo circulo maximo, obliqua vero in Horizonte: qua differentia supputanda erit in triangulo spherico rectangulo, cuius unum latus est ipsa differentia; & alterum, arcus predicti circuli maximi inter Aequatorem, punctumque Eclipticae, vel stellam interiectam, declinationem eiusdem puncti, stellae metiens, basis denique arcus Horizontis inter Aequatorem, & punctum Eclipticae, vel stellam inclusus, latitudinem metiens ortuam, aut occidam: hoc scilicet modo. Reptatur 1. figura huius Canonis, in qua ascensio recta primi puncti m, est arcus C Dp, obliqua vero C DY, & differentia ascensionalis p Y, aequa p Z, declinationis arcus. Si igitur per 1. modum problematis 10. triang. sphar. ultimi Lemmatis, Fiat vt sinus totus ad tangentem complementi anguli p YZ, quem Aequator cum Horizonte facit, & in propositione easiū semper acutus est. (Cum enim omnes arcus sint quadrantes minores, quippe cum metiantur declinationem, differentiam ascensionalem, & latitudinem orituram, qua omnis complectuntur pauciores gradus, quam 90. erint duo anguli Y, Z, acuti, ex propos. 2.8. nostrorum triang. sphar.) hoc est, ad tangentem altitudinis poli, ita tangens declinationis p Z, ad aliud, producetur sinus differentiae ascensionalis p Y. Hac ratione inueniri differentiam ascensionalem, demonstravimus etiam sine triangulis sphericis in Lemmate 49. Num. 17. Quod si volueris vi tangentibus, inuenientur eadem differentiae, ut in eodem Lemmate Num. 18. demonstratum est, si Fiat vt sinus totus ad finum ascensionis recte dati puncti Eclipticæ, ita sinus differentiae ascensionalis initii ɔ̄, vel ɔ̄, in data regione (qui sinus reperiatur ex 1. modo problematis 10. triang. sphar. vt dictum est: ita vt solus hic sinus per tangentem querendus sit.) ad aliud. Invenientur enim hoc modo sinus differentiae ascensionalis dati puncti Eclipticae. Eadem differentia reperiatur ut in eodem Lemma- te Num. 2. o. ostendimus, hac ratione. Fiat vt sinus totus ad tangentem altitudinis poli propositz, ita sinus differentiae ascensionalis dati puncti Eclipticæ in altitudine poli grad. 45. (quam differentiam offeret Tangens declinationis in tabula Sinuum, ut Num. 19. in eodem Lemmate 49. probauimus) ad aliud. Quartus enim numerus erit sinus differentiae ascensionalis questus.

Ascensio oblique dati puncti Eclipticæ, necesse per tangentes invenire.

Differentia ascensionalis invenire.

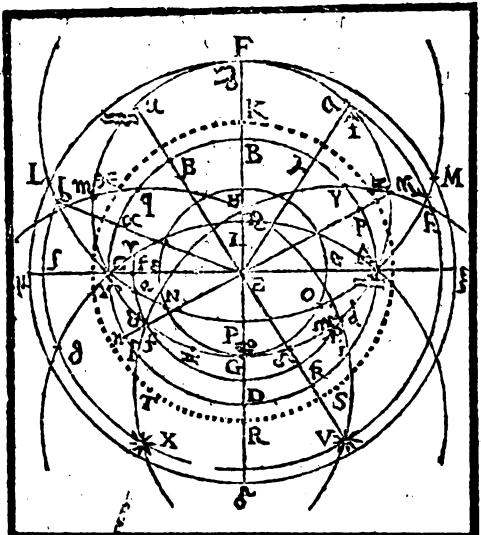
Alia invenio diff- ferentia ascen- sionalis.

Mis adhuc inven- tio differentiae ascensionalis.

Non

N O N aliter suppeditatur: *differencia ascensionalis* cuiuslibet stellæ, ut patet in stellæ V: cum rursus per 1. modum problematis 1 o. triang. sphaer. in triangulo spharico kV, cuius angulus k, rectus, sit ut sinus totus ad tangentem complementis anguli iV k, id est, ad tangentem altitudinis poli, ita tangens declinationis kV, ad sinum *differencia ascensionalis* ik, &c. Arque eadem ratio est in omnibus punctis Ecliptica, & stellis, sine australi habeant declinationem, sine borealem.

Efectos diferenciales de la defecación



Allegatio obliqua
quo parte ex dif-
fertuia alieno
mali elicitatur.

ciemus ascensionē, aut descensionē obliquā hoc modo. Si punctū Ecliptice, vel stella declinet in boreā, detrahatur differentia ascensionalis invenia ex ascensione rectā eiusdem puncti, aut stelle; redditur vero ad rectam ascensionē, si punctū, vel stella declinationem habeat australē. Reliquae namque numerus, aut conflatus dabis ascensionē oblique quam quæstā, ut in Lemmate 49. Num. 15. traditū est, perspicuoque ex propositione figura colligitur: quia p̄m̄tū, v.g. boreale d̄mirū principiū np̄, habet ascensionem obliquam CDi, minorē rectā, qua terminatur ultra i., in puncto videlicet, in quod Ecliptica rectus ex E, per d̄, eiuscēs incidet; eademq; ratio est de alijs punctis ac stellis borealibus ab Aequatore. Ex quo officiatur, differentiam ascensionalem ex recta ascensione subtrahendam esse, ut obliqua ascensio fiat reliqua: At vero punctum australe Z, nimirum principiū m̄, ascensionem obliquam habet CDY, maiorem rectā CDp; eademq; pacto stella V, australis ab Aequatore ascensionē habet obliquā CDi, maiorem rectā CDk, arque ita de ceteris p̄m̄tis, stellisque australibus ab Aequatore. Ex quo fieri, ut recta ascensioni adiicienda sit differentia ascensionalis, ut obliqua ascensio officiatur.

**Descensus obli-
qua, quo modo
ex differentia es-
cenſionaliſeran-
tur.**

C O N T R A R I V M omnino faciendum est in descensione obliqua inquirendā. Nam in punctis Ecliptice, ac stellis borealibus ab Aequatore, addenda est differentia descensionalis recta descensioni, in punctis vero stellisq; australibus ab Aequatore, ea dem differentia anterenda est ex descensione recta, ut confitetur, vel relinquatur descensio obliqua: quia puncta borealia habent maiores descensiones obliquas, quam rectas australia.

Digitized by Google

australia vero minores. Ut in eadem figura, descendens obliqua principij γ , hoc est, pars est borealis, est arcus Cl , maior quam descendens recta Cn . At descendens obliquam principij X , quod est australis, metietur arcus $CD\alpha$, minor quam arcus recta descendens $CD\beta$: Et sic de ceteris.

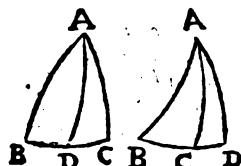
I AM vero data ascensione, vel descendente obliqua aliquis puncti Ecliptica, vel scilicet inuenientem punctum Ecliptica respondens, quod videlicet una cum stella oritur, aut occidit, vel cui data ascensione, descendente conuenit, hoc modo. Quando ascensione, vel descendens obliqua semicirculo maior est, detrahatur ex ea semicirculus, ut habeatur semper triangulum sphaericum obliquangulum, cuius duo latera (unum in Aequatore, alterum in Ecliptica) a principio γ , vel β , inchoata in Horizonte terminantur. Et tertium in ipso Horizonte arcus est latitudinis ortius, vel occidua puncti Eclipticae, quod quaritur. Et quia in hoc triangulo unum latus datum est, arcus videlicet Aequatoris ascensionem, vel descendensem ab γ , vel β , inchoatam metiens, cum duobus angulis eius adiacentibus, cum unius sit maxima declinationis, quem Aequator cum Ecliptica constituit, alter vero, quem Aequator cum Horizonte facit: obtusus quidem, qui relinquitur, detracto complemento altitudinis poli ex semicirculo, quando ascensione obliqua data ab γ , et descendente ab β , incipit; acutus vero, qui complemento altitudinis poli aquilus est, quando ascensione ab β , et descendente incipit ab γ , ut in sphera materiali perspicuum est: repertetur per problema 2. triang. sphar. ultimi Lemmati, arcus Eclipticae quadrans, ab γ , vel β , inchoatus, et in Horizonte terminatus. Quod ut planius fiat, sit eiusmodi triangulum ABC , in quo arcus Aequatoris ascensionem, aut descendensem obliquam metiens sit AB ; arcus Eclipticae quadrans BC , ita ut angulus maxima declinationis sit ABC ; Horizontis arcus latitudinem ortinam metiens AC , et BAC , angulus, quem Aequator cum Horizonte efficit. Ex hoc angulo demittatur ad Eclipticam BC , arcus perpendicularis AD , qui utrum intra, vel extra triangulum ABC , cadat, mox ipsa operatio docebit. Quoniam igitur in triangulo sphaerico ABD , angulus D , radians est, et AB , arcus data ascensionis, descendens (qui angulo recto opponitur) datum, una cum B , angulo maxima declinationis; si per 1. modum problematis 8. triang. sphar. Fiat ut sinus totus ad sinum complementi arcus AB , ascensionis, vel descendens obliquae, ita sinus anguli B , maxima declinationis ad aliud, gignetur sinus arcus AD .

RVRVS quia in ordine triangulo ABD , datus est arcus AB , recto angulo oppositus, cum ascensione, vel descendente obliqua data metietur, datusq; insuper est angulus B , maxima declinationis, si per 1. modum problematis 3. triang. sphar. Fiat ut sinus totus ad sinum complementi arcus ascensionis obliquae, descendens datae AC , ita tangens anguli B , maxima declinationis ad aliud, producetur tangens complementi anguli BAD , qui si deprehensus fuerit minor angulo BAC , quem Aequator, et Horizonte continet, cadet arcus perpendicularis AD , intra triangulum, extra vero, si maior. Depo ergo angulo immuto BAD , ex ang. BAC , dato, vel hoc ex illo, cognitus quoque erit ang. CAD .

DE INDE quia in eodem triangulo ABD , datus est arcus AB , recto angulo oppositus, qui nimirum obliquam ascensionem, aut descendensem datum numerat, una cum angulo B , maxima declinationis, si per 1. modum problematis 9. triang. sphar. Fiat ut sinus totus ad sinum complementi anguli B , maxima declinationis, ita tangens arcus AB , ascensionis, descendens obliquae datae ad aliud, inuenietur tangens lateris BD ; atque idcirco arcus BD , cognitus erit.

POSTREMO quia in triangulo CAD , angulus D , rectus est, si per 1. modum problematis 11. triang. sphar. Fiat ut sinus totus ad sinum arcus AD , in primo discus

Ex data ascensione, vel descendente obliqua, arcus Eclipticae respondens per rem capitulo.



tu inuentum, ita tangens anguli CAD, in secundo discursu cogniti ad aliud, procreabitur tangens arcus CD; ideoque notus erit arcus CD. Cadente igitur arcu perpendiculari AD, intra triangulum ABC, summa laterū BD, CD, cognitorū totum latus BC, quod in Ecliptica data ascensioni, descensionis obliqua debetur, notū efficiet: cadente vero extra, latus CD, ex latere BD, sublatū, cognitum factet rationē latus BC, que situm. Punctū autem extremitū C, in Ecliptica est illud, quod una cū stella, cuius ascensio obliqua, aut descensio data est, oritur, vel occidit. Longe faciliter in scholio Canonis 22. evidebit arcū Ecliptica data ascensioni, vel descensioni obliqua respōdēt inueniemus, sine numeris, cū, ut vides, p̄ quatuor operationes numerorū invenimus sit hoc loco.

V E R V M cū iam docuerimus, quānā ratione invenienda sit declinatio cuiusvis stellae, ascensio recta, ac mediatio cali, docemus etiā, quo artificio ex declinatione stellae, & modiatione cali, eius latitudine, verusque locus in Zodiaco reperiatur: Itē quia arte ex declinatione stellae, ac latitudine idem locus verus inuestigetur. Declinatio namq; stellae, ex accepta per instrumentū eius altitudine meridiana, faciliter negotio cognoscitur. Nā existente eius altitudine meridiana australi, si minor deprehensa fuerit cōplementum altitudinis poli, detrahatur ea ex cōplementū altitudinis poli; si vero maior, tollatur ex equatorio ex ea cōplementū altitudinis poli. Reliqua enim semper sit stella declinatio, priorē quidē modo australis, posteriori vero borealis. Existente autē altitudine meridiana stella boreali, si minor fuerit altitudine poli, dematur ea ex altitudine polii; si vero maior, detrahatur e contrario ex ea altitudine poli. Reliquis enim numeris cōplementū declinationis stellae invenietur, qua borealis erit. Mediatio quoq; cali, hoc est, punctū Ecliptica, quod una cum stella ad Meridianum permanet, cognita sit, si existente stella in Meridiano, quaratur hora tunc instans per altitudinem alterius epiphysis iam stellae, cuius locus in Zodiaco non ignoretur, ut Can. 8. eiusque scholio docēbimus. Nam per hanc horam inuentam veniemus in cognitionem punctū Ecliptica in Meridiano tunc temporis existentis, ut Can. 11. eiusque scholio demonstrabimur. Latitudo domique stellae est ex tabulis stellarum fixarum, cum hac non mutetur.

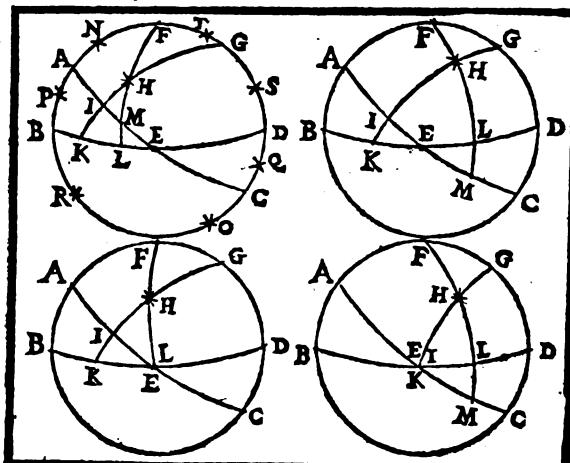
I T A Q U E si in 12. circulis in fine scholijs Can. 3. positis notum sit M, punctum medianum cali stellae H, una cum declinatione HL, ita latitudinem stellae, verumque

Quodnam punctū Eclipticæ data ascensioni, extremitas, aut occidit.

Declinatio stellæ quo pacto per eius altitudinem meridianam inveniatur.

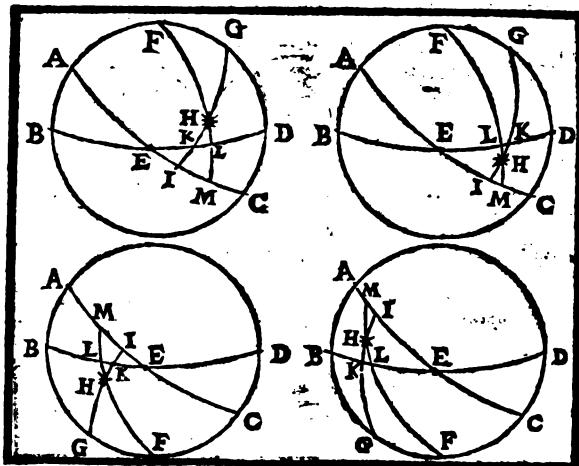
Cum quo pacto Ecliptica stellæ data colam mediet, etiam eius locus ignoretur in Zodiaco cognoscatur.

Inuentio latitudinis stellæ, & loci veri ex eius declinatione, & mediacione cali.

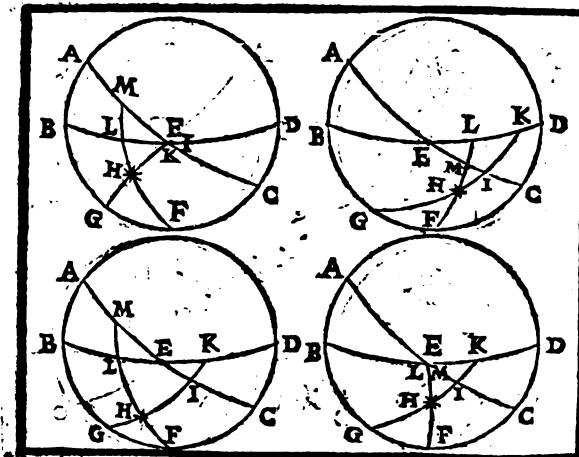


locum reabimur. Invenimus arcu LM, declinationis punctū H, ut in scholio Canon 3. docimimus,

*decimales. Fiat per r. modum problematis 3. triang. Iphar. In triangulo ELM
ve sinus totus ad sinus complementi arcus Eclipticæ EM, a proximo equino.
Quo ad punctum mediationis celi numerati, ita tangens anguli LEM, maxima*

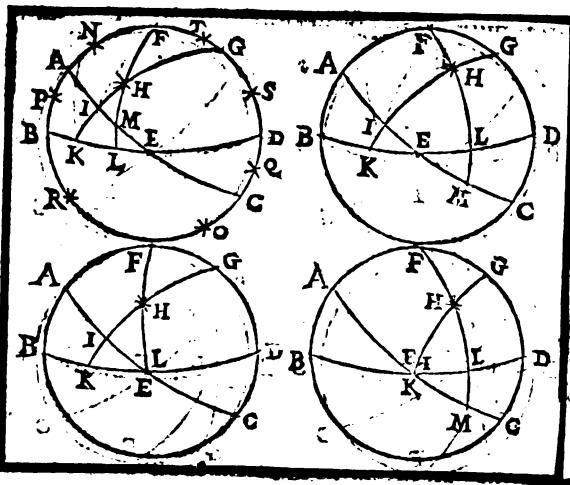


*declinationibus ad aliud, inuenieturque tangentia complementi anguli EML, cuius ab
utriusque equalis est angulus H da i. in circulo, oppositus arcui HI, latitudinis stellæ.*

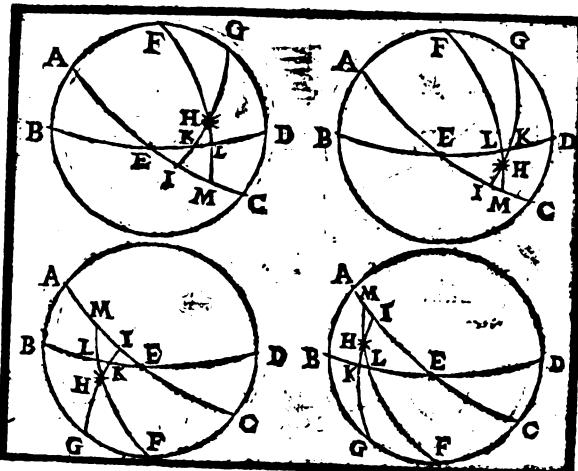


*In 3. & 12. circulo eiusmodi angulus latitudini stellæ HI, oppositus, est complementum
maxima declinationis AEB, vel CED, quod contingit, quando stella etiam re-
diat cum principio V, vel vi. Conseruantur deinde inter se declinatio stellæ, & declina-
tio*

et puncti M, non distans tali, sed si suorum radios, denomi nationis, ut in z. 6, p. 10, strudimus, inveni ex hypothesi ab initio, si numerus diuisa de nominatio nis, in p. 3, q. 5, z. 7, per se existens, in quatuor summis colligatur, ut sequitur, sicut a vel consuetu r sequitur.



MM, inter scilicet, utque Eclipticam. Quare punctum unum medietatione eis est initium
V. v. g., ut in p. 3. q. 5, inveni, et si modiciora est de clinacione scilicet MM, et quanta

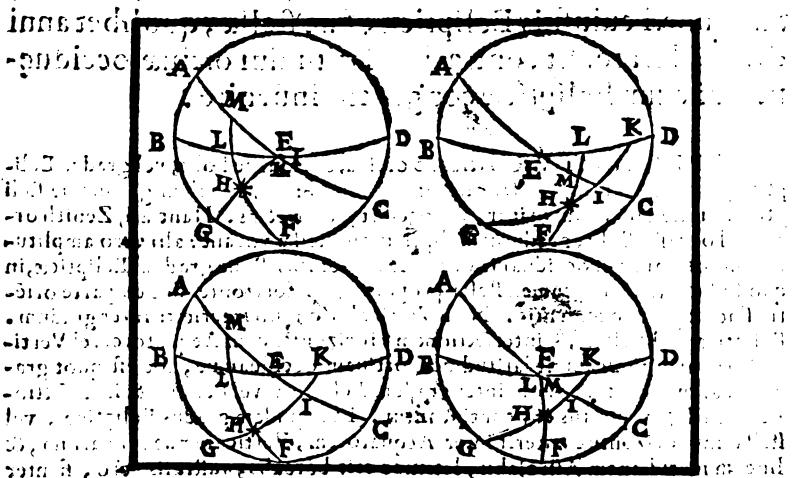


Dicitur in triangulo HIM, radios angulus I, rectus, si non, et modum probabit, et triangulo
HMI, in superiori operatione inueni ad aliud, reperietur sinus arcus HI, latitudu
dinis.

dintis stellæ. Quando punctum mediationis cali est principium V , vel M , ut in 3. & 12. circulo, est per 1. modum dicti probl. 8. ut sinus totus ad sinum declinationis stellæ HL , ita sinus anguli HLI , qui complemento maxima declinationis equalis est, ad sinus latitudinis stellæ HI . Inuenientur latitudine stellæ HI , quoniam in cognitionem veri loci eo modo, quem iamiam subiungemus, qui quidem affugit declinationem, latitudinemque stellæ notum.

S I T igitur nota tam declinatio stellæ HL , quam latitudo HI ; ac proinde & operum complements, FH, GH . Cum ergo & arcus FG , maxima declinationis notus sit, erunt in triangulo sphærico FGH , omnia tria latera nota. Igitur per problema 21. triang. sphær. angulus FGH , cognitus fiet, ideoque & eius arcus AI , distantiam stellæ à principio G , metens, quando eius latitudo borealis est, ut in prioribus sex circulis; vel arcus CI , distantiam stellæ à principio D , metens, quando eius latitudo est australis.

Invenientur vero loci
ci stellæ ex eius
declinatione, &
latitudine.



et in posterioribus similicidit. Vt illi sciam: distantia horum a M , vel A , numeranda sit secundum, an concreta figura signum signatur, ac eis punctum M , mediationis cali. Et ad eius distorsions, nuna stellæ sit in semicirculo Ecliptice descendente, an vero in ascendente, cum illud prædictum, ut stellæ in eadem securius circulo Ecliptica existant. Vt et certi latitudini cognoscatur ex sua stellæ. Si namque propinquior fuerit principio V , quam initio M , erit in semicirculo descendente, ut de secundone vero, si visuor extiterit principio M , quæ prædictum paretur. Stella igitur existens in semicirculo descendebit, numerus autem a M facienda, est secundum signum successivum, contra vero a M : Stella autem existens in semicirculo ascidente, fieri debet numeratio a M , contra signum successivum a M : vero secundum signum, ita numeri ex predicto problemate & i. angulus FGH , reponetur. Fiet ut sinus totus ad sinum maioriq; lateris FG , maxima declinationis, vel GH , complemantum latitudinis, ita sinus maioris lateris ad aliud, iuvenerat, tunc quartus quidam numerus. Deinde rursum fiat: ut quartus numerus inveniatur ad finem totum, ita differentiat inter finem versus lateris FH , complemantum declinationis stellæ, & finem versus arcus, quo duo latera GG, FH , inter se differunt, ad aliud. Inuenietur enim finis versus anguli FGH . Angulus igitur

sur FGH, ideoque & eius arcus AI, vel CI, notus erit, qui quidem distantiam inter linea à principio \odot , vel \odot , metitur.

QVOD si complementum latitudinis equale fuerit maxima declinationi, hoc est, latera FG, GH, equalia fuerint, invenientur faciliter idem angulus FGH. Nam si per modum problematis triangulorum spher. Fiat ut sinus totus ad sinum semisidis lateris FH, ita secans complementi maxime declinationis FG, ad aliud, procreabitur sinus semisidis anguli FGH, &c.

CANON VI.

LATITUDINEM ortiam, occiduamue Solis, aut puncti cuiusvis Eclipticæ, siue stellæ, quolibet anni die explorare. Et contra datæ latitudini ortiæ, occiduæ punctum Eclipticæ congruens inuenire.

*Ecciduo ortius,
vel occidua, quid*

*Latitudinem ortiæ
occiduamue
beneficio A-
strolabii inveni-
gare.*

1. APPELLATVR latitudo ortia, occiduamue Solis, vel gradus Eclipticæ, aut stellæ, arcus Horizontis inter Aequatorem, & Solem, gradumue Eclipticæ, aut stellam, cum ortitur, vel occidit, interiectus. Hanc alij Zenith ortus, vel occasus Solis, gradusue Eclipticæ, aut stellæ vocant: alij vero amplitudinem ortiæ, vel occidiæ, quæ sic explorabis. Pone gradum Eclipticæ, in quo Sol existit, vel cacumen stellæ propositorum, in Horizonte, siue ex parte orientis, siue ex parte occidentis. Nam Verticalem circuit interiecti inter gradum Eclipticæ, vel stellam, & intersectiæ Horizontis cum Aequatore, vel Verticali primario, indicabunt latitudinem ortiæ, occiduamue, hoc est, quot gradus in arcu Horizontis, qui inter gradum Eclipticæ, vel stellam, & intersectiæ prædictam positus est, contineantur. Et si quidem gradus Eclipticæ, vel stellæ, in Horizonte extiterit inter Aequatorem, Verteclam primarium, & lineam meridianam Astrolabii, locum orti borealis, australis vero, si inter Aequatorem, & Limbum extiterit.

*q. 13. 2.
Theod.
Latitudinem or-
tiæ occiduæ
equalis est.*

2. EST autem latitudo ortiæ, etiæ puncti latitudini occiduæ, etiæ equalis. Cum enim Horizon tangat parallelum, semper apparentium maximum, erunt duo eius arcus inter Aequatorem, & quemlibet parallelum, quem fecerit. (quorum vnu latitudinem ortiæ, & occiduam alter determinat) inter se æqualis. Ex quo fit, satis esse, si vel ortiæ latitudine repertatur, cum hac occidua æqualis sit, vel occidua, cum hac ortiæ sit æqualis, ut ostendimus. Immo quatuor puncta Eclipticæ æquales habent latitudines ortiæ, ut in Lemmate 49. Num. 5. ostendimus, satis est, si latitudines ortiæ graduum vnu quadrantis Eclipticæ inueniantur.

QVANDO autem gradus Eclipticæ, vel cacumen stellæ non præcise in aliquem Verticalium inciderit, ut plerumque contingit, non poteris latitudinem ortiæ quantitas cognosci, nisi per estimationem, plus minus dividendo nimirum cogitatione spatium inter duos proximos Verticales, inter quos gradus Eclipticæ, vel stella existit, in eorum gradus, quot inter quosvis duos Verticales intercipiuntur in Astrolabio.

3. CONTRA ex cognita latitudine ortiæ, occiduamue Solis cognoscetur

tur gradus Eclipticæ, cusea conuenit, hoc modo. Circumducatur rete, donec gradus aliquis Eclipticæ in finem cognitæ latitudinis præcisæ incidat. Is etenim gradus est, qui queritur, vel certe alter, qui æqualiter spacio cum eo ab eodem puncto tropico distat, cum duo puncta æqualiter ab eodem tropico punto distantia eandem habeant latitudinem ortiuam, ut in Lemmate 49. Num. 3. ostensum est. Cognitæ porrò latitudo ortiuam sumenda est in Horizonte ab Aequatore versus limbum; si australis est, versus tropicum vero, si borealis.

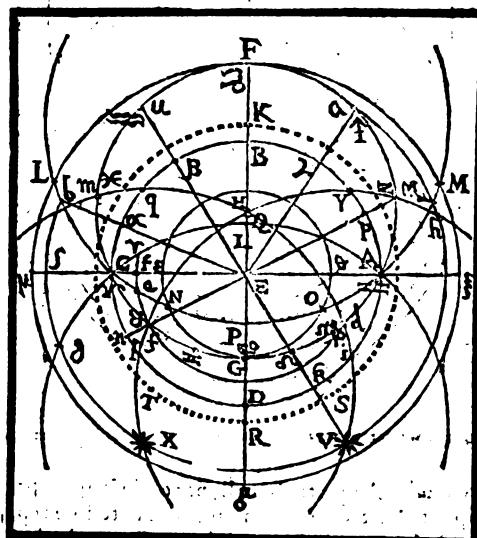
Ex latitudine or
tuæ, occidentale
cognita punctū
Eclipticæ respon
dens regere.

4. SIN E instrumento eandem latitudinem ortiuam certius cognoscemus hoc modo. Repetatur prima figura antecedentis Canonis, in qua Aequator ABCD, circa centrum E; tropicus J° , FLM; tropicus S° , GNO; Ecliptica AFCG, cuius centrum H, &

Latitudinem or
tuam sine infra
mento inquire

polus I: Horizobliquis ad datum regionem descriptus LCPAM, cuius centrum K, & polus Q. Si igitur per datum punctum Eclipticæ, vel per datum stellam, hoc est, per eius locum in Astralabio inveniuntum, ut lib. 2. propos. 11. Num. 2. & 3. traditum est, parallelus Aequatoris ex centro E, describatur, abscedet is ex Horizonte arcu latitudinis ortiuam usque ad C, & occidit usque ad A, cum in eo puncto Horizontis, quod abscissum est, gradus ille Eclipticæ, vel stellæ dicitur, aut occidat. Et si ex Horizontis polo Q, per punctum, ubi dictus parallelus Horizontem secat, recta ducatur, indicabit arcus Aequatoris inter hanc rectam, & punctum C, vel A, intercepimus quantitatem latitudinis, ita ut tot gradus latitudo contineat, quot in eod arcu Aequatoris comprehenduntur: propterea quod arcus ille Aequatoris, & arcus Horizontis abscissus, continent gradus numero æquales, ut lib. 2. propos. 5. Num. 19. demonstravimus. V. G. Latitudo ortiuam principii O° , est arcus Horizontis CN, occidua vero AO, & veraque borealis: Latitudo autem ortiuam initij J° , est arcus CL, & occidua AM, & veraque australis: Latitudo vero principii F° , est arcus CB, que etiam stelle V, vel X, congruit, estque australis. Et si ex Q, polo Horizontis ad b, recta ducatur, dabit arcus Aequatoris inter hanc rectam, & punctum C, quantitatem latitudinis Cb. Et sic de ceteris.

QVO D si nimis molestum videatur locum inquirere illius stelle, cuius latitudo desideratur, accipe declinationem eius ex tabula elicius Astronomi, in qua declinationes stellarum pro hoc tempore suppeditate sint, quam etiam Io. Ant. Maginus in suis Ephemeridibus composita. Nam parallelus eius declina-

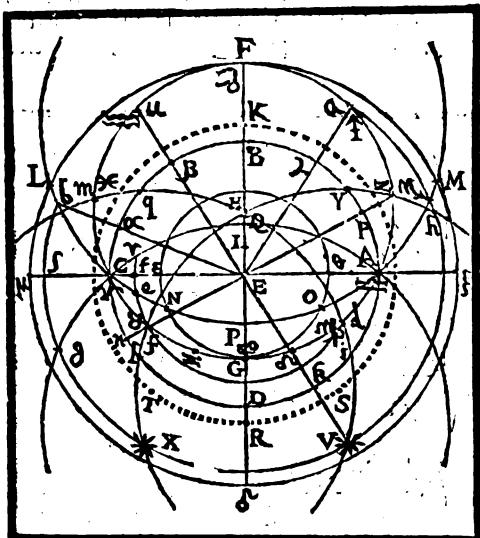


tionis ex centro E, descriptus absindet ex Horizonte arcum latitudinis orti, ut illius stellæ: sed exquisitus priori modo latitudo inuenietur, propterea quod vix tabulae declinationum stellarum sine errore aliquo reperiuntur.

Ex ergo ita latitudine ortia, ex eisdem punctis Ecliptice congruens, sine instrumento exquirere.

D A T A . autem latitudine ortia, occiduaue, reperiemus punctum Ecliptice, cui congruit, hac ratione. Numeretur latitudo proposita in Aequatore à punto C, versus D, si borealis est, versus B, autem, si australis. Per terminum numerationis ex Q, polo Horizontis sedet emittatur, quæ ex Horizonte eadem latitudinem absindet, ut ex iis constat, quæ lib. 2. propos. 5. N. 18. scripsimus. Postremo ex centro E, per finem latitudinis in Horizonte inuenientur, parallelus Aequatoris describatur. Hic enim Eclipticam duobas in punctis secabitis, quibus proposita latitudo congruit.

Quos autem gradus duo illa puncta referant, discas ex Num. 19. propos. 5. lib. 2. si videlicet ex lib. polo Ecliptice per puncta illa rectas ceteris. Hæc quoque ex Aequatore similes arcus absindent, quod ad horum genitum attinet. Vt g. si ex boreali latitudine ortiam data sit, in Horizonte inuenientur arcus Ce, borealis, transibit



parallelus Aequatoris ex E, per o, descriptus per f, principium S , & per d, ponit cipium N . Sic si ex data australi latitudine repertus sit in Horizonte arcus australis Cb, transibit parallelus ex E, per b, descriptus per a, principium S , & per u, principium N . Prior ergo latitudo principiis S , & N , posterior vero prius punctis T , & U , conuenienter.

Q VANTVS autem sit arcus Horizontis inter C, vel A, & Verticalis, qui per centrum Solis ducitur qualibet hora diei, non soluta autem in ore, vel occasu interiectus, vt hic traditum est, Canone 16. docebimus.

S. C. H O L. I. V. M.

Latitudinem ortuam ex nilibus punctis Ecliptice, seu stelle, comprehendere possumus, descriptaque australis etiam cum parallelorum per initia signorum transfiguratum diametris, ut in Lemmate 1. lib. 1. tradidimus, in quo Meridianus ABCD, circa coprum B, axis mundi EG, Aequator diameter HI, Horizontis BD, Verticalis AC, tropici S , & N , punctorum aliorum parallelorum per signorum initia transfiguratum diametris descripta sunt, beneficio circuli MKN, in 12. partibus aequaliter divisi, ut in dicta Lemmate 1. scriptum, facientes

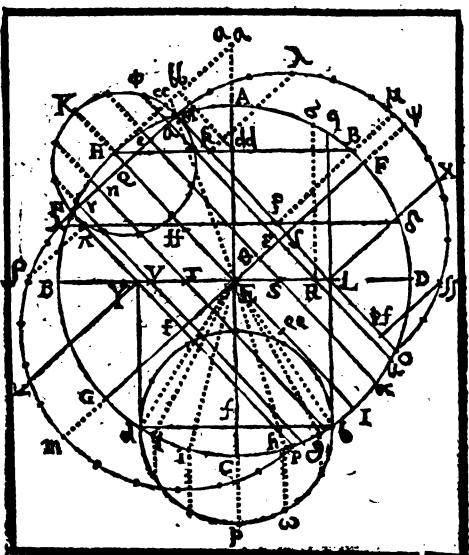
I. V. T autem doceamus, qua ratione ex Analambris laquidizam ortuam etiam suis punctis Ecliptice, seu stelle, comprehendere possumus, descriptaque australis etiam cum parallelorum per initia signorum transfiguratum diametris, ut in Lemmate 1. lib. 1. tradidimus, in quo Meridianus ABCD, circa coprum B, axis mundi EG, Aequator diameter HI, Horizontis BD, Verticalis AC, tropici S , & N , punctorum aliorum parallelorum per signorum initia transfiguratum diametris descripta sunt, beneficio circuli MKN, in 12. partibus aequaliter divisi, ut in dicta Lemmate 1. scriptum, facientes

caedes diametrum Horizontis in L, R, S, T, V, Y. Dico rectam inter E, & quemcunque parallelum esse sinum latitudinis ortua, occiduaque illius puncti, per quod parallelus illius diametri transi, nimirum EL, sinum latitudinis ortua S° ; ER. II. & Ω ; ES, δ , & N° ; ET, η . & X; EV. Φ . & ω ; ac denique ET, λ ; adeo ut recta ex hisce puncto ducta ad BD, perpendicularis intercipiant cum AD, in Meridiano arcus latitudinis ortuarum. v.g. arcum Aq, vel Cb, (ductis bq , Yd , per L, Y, ad BD, perpendicularibus) & ceteris non esse ortuam, eccentricum est. & CD, λ . Quoniam enim Horizon, & parallelus S° , per rectas BD, MO, ducti ad Meridianum recti sunt, & quod Meridianus per eorum polos ductus ad ipsos rectus sit; & erit eorum communis sectio per L, transiens ad eundem rectam, & proprieatatem ex defin. 3. lib. 11. Eucl. ad BD, in plano Meridiani existentem perpendicularis. Si igitur circulus ABCD, concipiatur in plane Horizontis, erit qd, communis sectio Horizontis, & parallelis S° , si recta BD, secum meridiana linea obtineat. Eodemq. modo AC, communis sectio erit Horizontis & Aequatoris, Verticalis primary; & Yd, communis sectio Horizontis, & parallelis λ . Igitur Aq, vel Cb, latitudo ortus ortus, vel occasus S° , & CD, λ . Eademque ratio est de parallelis intermedias. Nam eodem argumento ostendimus, perpendiculares ad BD, per R, S, T, V, ductas, se esse communes sectiones Horizontis, & parallelorum intermediorum. Hac ratione latitudinem ortus ceteris punctis Ecliptica respondens, si beneficio circuli MKN, tunc puncti declinationem invenias, hoc est, diametrum parallelum per illud punctum transversum ducas, ut in dico. Extremo & p. decimato. Nam enim modo diameter abscedet ex BD, sinum latitudinis quasi, ita ut perpendicularis ad BD, excitata in extrema eius scire, anferat arcum latitudinis, quam quaris, ab A, vel C, inchoatione.

N O N aliter latitudinem ortus, vel occasus stellae cui usus adipisceris, si per eius declinationem vel ex Con. 3. insueris, vel ex tabula aliquius Astronomi desumptam, diametrum parallelum, quem stella describit, in Altimmate duxeris. Ut si stella quipiam habeat declinationem borealem H. M; ita ut diameter eius parallelus sit MO, erit sinus latitudo ortua, occiduaque Aq, vel Cb, &c.

2. Ex data autem latitudine ortua, occiduaque sic punctum Ecliptica respondens assequitur. Numeretur data latitudo ab A, vel C, versus D, si borealis est, aut se australis, versus B, usque ad 6, & demissa ex o, ad BD; perpendiculari & R, agatur per R, Aequatoris diametro HI, parallela RQ, secans circulum MKN, in Φ . Nam quot gradus in arcu. K° , continetur, tot gradibus punctum Ecliptica, cui latitudo borealis

a, 15. 10
Theod.
b19. undec.



Data latitudine
ortua, congrue
punctum Eclipti
ca inueniri.

Alia inventio la
terodinum orbi-
narum ex Aulae-
mace.

a 3. tertij.

b 2. sexti.

c 34. primi.

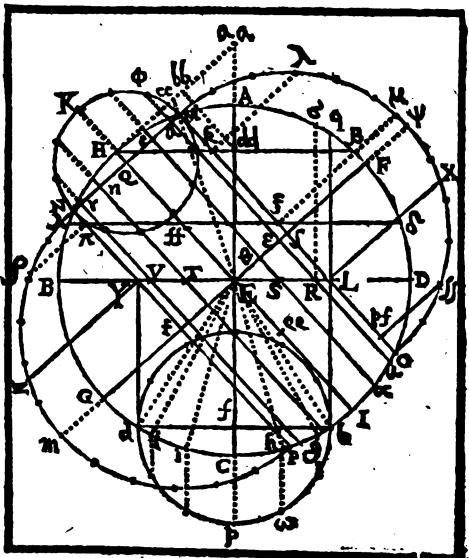
d 34. primi.
e 9. quinti.

borealis Ab, conuenit, à principio V, vel $\frac{1}{2}$, versus Cb, recedere, ut ex yis confitas que ad finem Lemmatis 19. lib. 1. & in scholio Can. 3. Num. 3. explicatum est.

3. QVEMADMODVM autem beneficio circuli MKN, circa maximas Solis declinationes descripti inveniuntur declinationes omnium punctorum Ecliptice, ut ad finem Lemmatis 19. lib. 1. & in scholio Can. 3. Num. 1. tradidimus, ita beneficio alterius circuli circa latitudines orticas Cb, & d, descripti, omnium punctorum Ecliptica latitudines venabimur; hoc scilicet modo. Inveni latitudinibus Cb, & d, Cb, Cd, ut dictum est, necatur recta bd, secare EC, in f, secabiturque bd, in f, bifarium, ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. ac proinde & ad angulos rectos. Descripto ergo ex f, per b, d, circulo bpd, eoque divisio in 12. partes aquales, si bina puncta a punctis b, & d, equaliter remota rectis occulis iningaverit, secabitur arcus bCd, in latitudines orticas, qua signorum initij congruant; ita ut Cb, si latitudo

$\frac{1}{2}$; Cg. II. & $\frac{1}{2}$; Ch. & $\frac{1}{2}$; Cg. I. & X; Cl. T. & $\frac{1}{2}$; Cd, denique & quod sic demonstrabitur. In triangulo ELI, latera EL, Es, & proportionaliter facta sunt in S, R, θ , α ; Sunt autem segmenta E θ , θ s, & s, segmentis Q θ , & α , a M, equalia. Igmar & segmenta in ES, SR, RL, segmentis Q θ , & α , a M, proportionalia sunt. Eademque ratione segmenta ET, TV, VT, segmentis Qn, nr, rN, proportionalia erunt; ac propterea tota recta LY, facta est, ut recta MN. Sed per Lemma 7. lib. 1. recta quoque bd, facta est, ut recta MN. Igmar & recta LY, facta, proportionali- ter facta sunt. Cum ergo aquales sint, & omnia & segmenta unius segmentis alterius respondebantur aequalia; acque idem parallelis per binam puncta circuli bpd, ductis in puncta R, S, T, V, cadent, cum ha parallela aequalia segmenta auferantur ex rectis bd, LY; ideoque ex arcibus Cb, Cd, latitudines orticas auferent, quemadmodum parallela per puncta R, S, T, V, easdem absindunt, ut Num. 1. demonstratum est. Recta porro ex centro E, ad puncta b, g, h, i, l, d, ducta dici poterunt radii latitudinum ortinarum, & occiduarum, quemadmodum & recta ex E, ad extrema puncta parallelorum MO, a n, &c. ducta radii signorum appellantur, ut in Gnomonica diximus.

ITAE si cuiuslibet puncti Ecliptica dari distanciam à proximo puncto aquinoctiali numeretur in circulo bpd, à p, in utramlibet partem, & per terminum numerationis ipsi CE, parallela ducatur, secabitur arcus Cb, vel Cd, in latitudine ortina illius puncti Ecliptica. Vi si distanciam ab alterutro punto aquinoctiali sit grad. 30. & ex p, numerentur grad. 30. usque ad o; parallela ab, resecabit latitudinem ortinum Cb, puncti, quod grad. 30. à principio V, vel $\frac{1}{2}$, abest, cuiusmodi est principium



cipium V, vel X, vel XV, vel vii.

SIC o. contrario, si data latitudo ortus, vel occasus numeratur a puncto C, versus b, vel d, usque ad b, & parallela ducatur haec, dabit arcus pZ, distanicam puncti Ecliptica ab V, vel C, cui data latitudo conuenit.

EX hoc liquet etiam, quaterna puncta Ecliptica, prater initia V . & D . eandem habere latitudinem ortuam, bina quidem borealem, bina vero australem: quemadmodum & eandem declinationem habent. Id quod in Lemmate quoquo 4. lib. 1. Num. 2. & 3. demonstravimus. Nam duo latitudines Ch, Ci, qua aequales sunt, quatuor punctis Ecliptica congruant, duobus nimirum borealiibus, & duobus australibus, &c.

4. EX sinuum calculo reparetur latitudo ortuæ, seu occidua cuiuslibet puncti Ecliptica, sive stellæ, hoc modo. Circulus maximus declinationis per polos mundi, & datum punctum Ecliptica, vel per centrum stellæ in Horizonte orientali ductus, cù Aequatore, acque Horizonte triangulum sphæricum constituit, cuius angulus, que circulus declinatio nis cù Aequatore facit, rectus est, & arcus declinationis puncti Ecliptica, vel stellæ non est, una cù angulo complementari altitudinis poli, que Aequator cù Horizonte conficiuntur. Ut in figura Num. 4. huius Canonis, ducta recta EZ, ex centro per principium M, recte genere circulus declinationis cù sedem principij, fit triangulum sphæricum pYZ, cuius angulus p; rectus, & arcus declinationis pZ, notus, una cum angulo pYZ, complementi altitudinis poli. Semper enim angulus ab Horizonte, & Aequatore comprehensus acutus est, per propos. 28. nostrorum triang. sphær. cum in eo triangulo omnes arcus quadrantis sine minores. Si igitur per 1. modum problematis i. 4. triang. sphær. ultimi Lemmatis Fiat ut sinus totus ad secantem complementi anguli pYZ, hoc est, ad secantem altitudinis poli, ita sinus arcus declinationis pZ, ad aliud, producetur sinus arcus latitudinis ortuæ YZ. Velsi solis sinibus velis vti, Fiat per 3. modum eiusdem problematis, ut sinus anguli pYZ, complementi altitudinis poli ad sinum totum; ita sinus arcus declinationis pZ, ad aliud. Procreabitur enim rursus sinus arcus latitudinis ortuæ, occidueus YZ. Veraque hac operasso perspicue etiam demonstrari posset in figura huius scholij. Nam in triangulo rectilineo rectangulo ELs, per 3. problema triang. rectil. ultimi Lemmatis est, ut sinus totus Es, ad Es, quatenus sinus est declinationis parallelis MO, ita EL, secans anguli LEs, altitudinis poli (Posto enim sinus totus Es, recta EL, secans est anguli LEs.) ad EL, quatenus sinus est latitudinis ortuæ, aut occidua. Item ita est sinus anguli ELs, complementi altitudinis poli ad sinum totum, ut Es, sinus declinationis ad EL, sinus latitudinis ortuæ.

E A D E M prorsus ratio est in latitudine ortuæ, occiduae cuiuscunque stellæ inquirenda. Ita namque videt in stella V, idem prorsus triangulum constituit kV, cuius angulus k, rectus, & arcus declinationis kV, notus, una cum angulo kV, complementi altitudinis poli, & Vi, arcus latitudinis ortuæ, qui quaritur, ut patet in figura huius Canonis, &c.

E C O N T R A R I O data latitudine ortuæ, sive occidua alicuius puncti Ecliptica, reperiens punctum illud Ecliptica, cui debetur, si in eodem triangulo pYZ, per 1. modum problematis 8. triang. sphær. Fiat ut sinus totus ad sinum arcus YZ, latitudinis ortuæ date, ita sinus anguli pYZ, complementi altitudinis poli ad aliud. Productus enim quartus numerus sinus erit arcus declinationis quæ sit pZ. Igitar per ea, que in Canonе 3. eiusquo scholio scriptissimus, punctum Ecliptica reperiatur, cui illa declinatio invenia congruit. Sed quoniam quatuor puncta eandem habent declinationem, necesse est, ut sciamus, quoniam in quadrante Ecliptica contineatur, ut punctum quæsumus eliciamus. Eadem hac operatio demonstrabitur in triangulo rectilineo rectangulo ELs, figura huius scholij. Nam per 2. problema triang.

K k k k rectil.

Latitudinem ortuam per numeros ianuigare

Data latitudine
ortuæ, punctum
Ecliptica, respon-
dēs invenire per
numeros.

rectil. vleimi Lemmatis est, ut sinus totus ad sinum basis ΣL , quatenus sinus est latitudinis ortua cognita, ita sinus anguli EL_1 , complementi altitudinis poli ad Es, sinus declinationis quaesita in partibus sinus EL .

C A N O N VII.

A R C V M semidiurnum, & seminocturnum cuiuslibet puncti Eclipticæ, vel stellæ inuestigare: Et vicissim punctum Eclipticæ dato arcui semidiurno, seminocturno congruens inquirere.

Arctum semidiurnum, vel seminocturnum causulat gradus Eclipticæ, seu stellæ per instrumentum inquidare,

1. H O C nihil aliud est, quam moram Solis in quois Eclipticæ gradu existentis, vel stellæ cuiuslibet, ab Horizonte orientali usque ad Meridianum, vel à Meridiano usque ad Horizontem occidentalem exquirere, id est, quot gradus Aequatoris cum quolibet gradu Eclipticæ, vel stellæ, ab Horizonte ad Meridianum usque ascendant, vel à Meridiano usque ad Horizontem descendant, &c. Si igitur rete Astrolabii circumvolvatur, donec gradus Eclipticæ, quem Sol die proposito occupat, vel cacumen stellæ propositæ, in Horizonte orientali statuantur, & linea fiducia ostensoris, vel Indicis eiusdem gradui, vel cacumini stellæ superponatur; erit arcus limbi inter lineam fiduciam, & lineam meridianam ex parte superiori prope armillam suspensoriam, semidiurnus illius gradus, vel stellæ: reliquus vero arcus limbi ab eadem linea fiduciaz usque ad meridianam lineam ex parte inferiori, seminocturnus erit. Et si tam ille, quam hic duplicetur, totus arcus diurnus, nocturnusque prodibit. Facile autem eiusmodi arcum inuentum ad horas reduces, si singulas horas quindenies gradibus, & quaterna minuta horæ singulis gradibus tribuas. Vel certe omnes gradus in arcu semidiurno, seminocturno, vel diurno, nocturno comprehenduntur ad horas per tabellam, quam in cap. 2. Sphæra ad finem explicationis Aequatoris descripsimus. Immo hora in limbo descriptæ, quæ inter meridianam lineam, & lineam fiduciam supradictum situm obtinentem comprehenduntur, dabunt quantitatem arcus semidiurni, vel seminocturni in horis, &c.

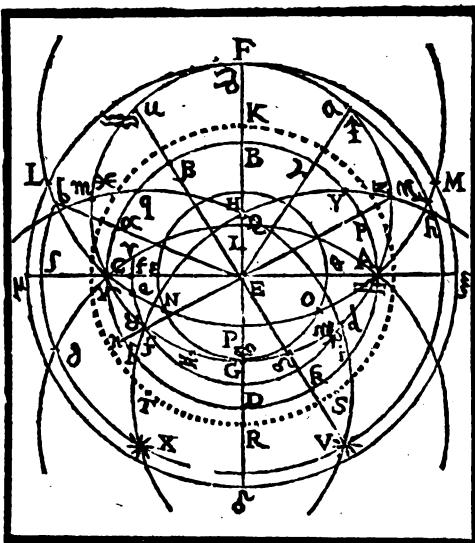
N O N est autem necesse, ut omnes gradus limbis inter lineam fiduciam, & meridianam lineam positi numerentur, sed satis est, si pauci illi gradus, qui inter lineam fiduciam, & Horizontem rectum comprehenduntur: qui quidem differentiam ascensionalem dati puncti Eclipticæ, vel stellæ, exhibent, vt Num. 3. Can. 5. diximus. Hi enim ad quadrantem, hoc est, ad grad. 90. adieci, si punctum Eclipticæ, vel stella ad boream vergat, vel ab eodem quadrante subtrahit, punctum Eclipticæ, vel stella australi existente, conficiens, vel relinquens arcum semidiurnum, quo ex semicirculo, id est, ex grad. 180. sublato, seminocturnus arcus reliquus erit, qui etiam habebitur, si puncto Eclipticæ, vel stella existente borealis, differentia ascensionalis inuenta, hoc est, arcus inter lineam fiduciam, & Horizontem rectum interclusus, ex quadrante dematur, adiiciatur vero ad quadrantem, quando punctum Eclipticæ, vel stella in austrum vergit.

Ex dato arcu semidiurno, vel seminocturno puncto Eclipticæ respondens inuenire stellæ in Africa.

2. D A T O verò arcui semidiurno, vel seminocturno punctum Eclipticæ respondens sic perscrutabimur. Numeretur in limbo arcus semidiurnus à linea meridiana

meridiana ex parte superiori, seminocturnus vero ab eadem linea meridiana ex parte inferiori, & ad terminum numerationis linea fiducia ostensoris applicatur. Deinde circumducatur rete, donec punctum aliquod Eclipticæ in punctum intersectionis linea fiducia cum Horizonte incidat. Ei etenim punto, & alteri, quod illi ex altera parte puncti tropici respondeat, datus arcus semidiurnus, seminocturnusque conuenit.

**Arenæ semidur-
ante vel semine
Quæcumq[ue] duci pos-
sunt, aut felix, si-
ne instrumento e-
mendari.**



A V T sic. Per punctum, vbi parallelus per datum punctum Eclipticæ, vel stellam descriptus Horizontem secat, ex centro E, recta ducatur. Hæc enim semicirculum Aequatoris orientalem in duos arcus secabit, quorum superior semidiurnus, & inferior seminocturnus est. Ut quia parallelus per principium \mathfrak{P} , vel ∞ , aut stellam V, vel X, descriptus secat obliquum Horizontem in b, si ducatur ex E, recta Eb, secans Acquatorem in α , erit αB , arcus semidiurnus principii \mathfrak{P} , vel ∞ , aut stellæ V, vel X: & αD , seminocturnus.

Kk k k z diθum

rectil. ultimi Lemmatis est, ut sinus totus ad sinum basis \overline{EL} , quatenus sinus est latitudinis ortua cognita, ita sinus anguli ELs , complementi altitudinis poli ad E , secundum declinationis quaesita in partibus sinus EL .

CANON VII.

ARCVM semidiurnum, & seminocturnum cuiuslibet puncti Eclipticæ, vel stellæ inuestigare: Et vicissim punctum Eclipticæ dato arcui semidiurno, seminocturno congruens inquirere.

Arcum semidiurnum, vel seminocturnum cuiuslibet gradus Eclipticæ, seu stellæ per instrumentum inquadrare.

1. HOC nihil aliud est, quam moram Solis in quois Eclipticæ gradu existentis, vel stellæ cuiuslibet, ab Horizonte orientali usque ad Meridianum, vel à Meridiano usque ad Horizontem occidentalem exquirere, id est, quot gradus Aequatoris cum quolibet gradu Eclipticæ, vel stellæ, ab Horizonte ad Meridianum usque ascendant, vel à Meridiano usque ad Horizontem descendant, &c. Si igitur rete Astrolabii circumvolvatur, donec gradus Eclipticæ, quem Sol die proposito occupat, vel cacumen stellæ propositæ, in Horizonte orientali statuat, & linea fiducia ostensoris, vel Indicis eidem gradui, vel cacumini stellæ superponatur; erit arcus limbi inter lineam fiduciam, & lineam meridianam ex parte superiori prope armillam suspensoriam, semidiurnus illius gradus, vel stellæ: reliquus vero arcus limbi ab eadem linea fiducia usque ad meridianam lineam ex parte inferiori, seminocturnus erit. Et si tam ille, quam hic duplicitur, totus arcus diurnus, nocturnusque prodibit. Facile autem eiusmodi arcum inuentum ad horas reduces, si singulas horas quindenies gradibus, & quaterna minuta horæ singulis gradibus tribuis. Vel certe omnes gradus in arco semidiurno, seminocturno, vel diurno, nocturno comprehensi reducantur ad horas per tabellam, quam in cap. 2. Sphæra ad finem explicationis Aequatoris descripsimus. Immo horæ in limbo descriptæ, quæ inter meridianam lineam, & lineam fiduciam supradictum situm obtinentem comprehenduntur, dabunt quantitatem arcus semidiurni, vel seminocturni in horis, &c.

NON est autem necesse, ut omnes gradus limbis inter lineam fiduciam, & meridianam lineam positi numerentur, sed satis est, si pauci illi gradus, qui inter lineam fiduciam, & Horizontem rectum comprehenduntur: qui quidem differentiam ascensionalem dati puncti Eclipticæ, vel stellæ, exhibent, vt Num. 3. Can. 5. diximus. Hi enim ad quadrantem, hoc est, ad grad. 90. adieci, si punctum Eclipticæ, vel stella ad boream vergat, vel ab eodem quadrante subtrahit, puncto Eclipticæ, vel stella australi existente, conficiens, vel relinquens arcum semidiurnum, quo ex semicirculo, id est, ex grad. 180. subtulato, seminocturnus arcus reliquus erit, qui etiam habebitur, si puncto Eclipticæ, vel stella existente borealis, differentia ascensionalis inuenta, hoc est, arcus inter lineam fiduciam, & Horizontem rectum interclusus, ex quadrante dematur, adieciatur vero ad quadrantem, quando punctum Eclipticæ, vel stella in austrum vergit.

Ex dato arcu semidiurno, vel seminocturno, pascendum est punctum Eclipticæ respondens invenire, ut sit in Astrolabio.

2. DATO vero arcui semidiurno, vel seminocturno pascendum Eclipticæ respondens sic perscrutabimur. Numeretur in limbo arcus semidiurnus à linea meridiana

meridiana ex parte superiori, seminocturnus vero ab eadem linea meridiana ex parte inferiori, & ad terminum numerationis linea fiducia ostensoris applicetur. Deinde circumducatur rete, donec punctum aliquod Eclipticæ in punctum intersectionis linea fiducia cum Horizonte incidat. Ei etenim puncto, & alteri, quod illi ex altera parte puncti tropici respondet, datus arcus semidiurnus, seminocturnus conuenit.

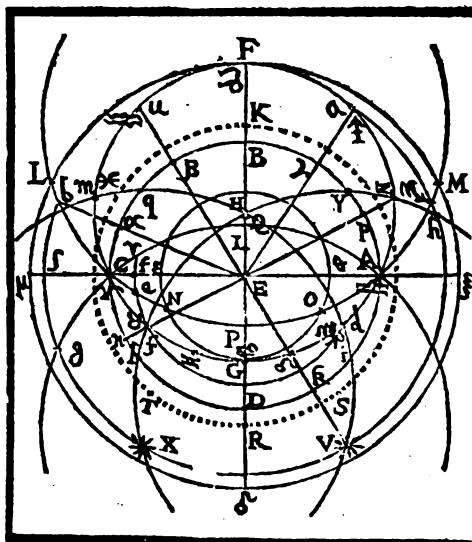
3. SI NE instrumento ita agemus. Repetatur prior figura Can. 5. describaturque ex centro E, per Eclipticæ punctum datum, vel stellam, parallelus Aequatoris. Nam eius arcus inter Horizontem obliquum LPM, & lineam meridianam EF, supra centrum E, erit semidiurnus quæsusitus; arcus vero eiusdem inter Horizontem obliquum, & meridianam lineam EF, infra centrum E, seminocturnus erit. Ut LF, erit arcus semidiurnus λ_3 ; & LD, seminocturnus. Item semidiurnus arcus Aequatoris, vel principii V , & U , erit CB, seminocturnus vero CD. Sic semidiurnus arcus G_3 , erit arcus NH, (sumpto punto H, pro intersectione tropici G_3 , cum meridiana linea) seminocturnus autem NG. Rursus arcus seminocturnus principii T , vel Z , est segmentum parallelum aVb, inter b, & meridianam lineam EF; semidiurnus autem eiusdem segmentum inter b, & lineam meridianam EF, si parallelus totus descripsit esset. Denique stellæ V, vel X, arcus seminocturnus est arcus eiusdem parallelum inter b, & rectam EF, semidiurnus autem, eiusdem arcus inter b, & rectam EF, si totus parallelus describatur.

A V T sic. Per punctum, vbi parallelus per datum punctum Eclipticæ, vel stellam descriptus Horizontem secat, ex centro E, recta ducatur. Hac enim semicirculum Aequatoris orientalem in duos arcus secabit, quorum superior semidiurnus, & inferior seminocturnus est. Ut quia parallelus per principium T , vel Z , aut stellam V, vel X, descriptus secat obliquum Horizontem in b, si ducatur ex E, recta Eb, secans Aequatorem in α , erit αB , arcus semidiurnus principii T , vel Z , aut stellæ V, vel X: & αD , seminocturnus.

A L I T E R. Descripto per datum Eclipticæ punctum, aut stellam, Horizonte obliquo, (cuius centrum semper est in parallelo KZR, per centrum Horizontis K, descripto, & semidiameter PK,) ducatur ex E, centro ad idem punctum, vel stellam rectam, quæ auferet ex Aequatore differentiam ascensionalem inter ipsam rectam, & Horizontem obliquum descriptum, vt in Can. 5. Num. 6.

K k k k z dictum

Artus semidiurnum vel seminocturnum duci possunt, aut stellæ, sive instrumento, invenientur.

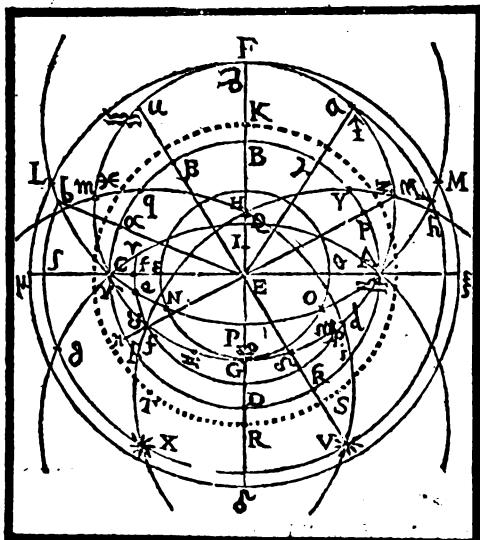


dictum est. Hæc igitur, quando punctum datum, vel stella est borealis, addita ad quadrantem, conficit arcum semidiurnum, eadem vero ex quadrante sublata, quando datum punctum, vel stella australis est, arcum semidiurnum relinquet. Verbi gratia, si per principium γ , & per initium m , Horizon obliquus describatur secans Aequatorem in l , Y , ducantur rectæ Ef , EZ , ad initia γ , & m , secantes Aequatorem in n , p , erunt differentiae ascensionales ln , Yp . Et quia principium γ , boreale est, addita differentia ln , ad quadrantem, efficiet arcum semidiurnum primi puncti γ . Quia vero initium m , australe est, differentia Yp , ex quadrante dempta arcum semidiurnum relinquit. Denique descripto Horizonte per stellam V , secante Aequatorem in i , ductaque recta EV , secante Aequatorem in k , erit differentia ascensionalis stellæ ik , quæ ablata ex quadrante semidiurnum arcum stellæ V , relinquit, cum stella australis sit, utpote ultra Aequatorem collocata.

E A D E M differentia ascensionalis, quando punctum Eclipticæ boreale est, aut stella, ex quadrante destracta reliquum facit arcum seminocturnum, addita vero quadranti seminocturnum arcum conficit, quando stella, vel punctum Eclipticæ australe est.

A R C V porro semidiurno, aut seminocturno dato, reperiemus punctum Eclipticæ, cui congruit, hoc modo. Numeretur in Aequatore datus arcus semidiurnus à punto B , vel seminocturnus à punto D' , in utramque partem, & per terram numerationis ex centro E , recta ducatur, donec Horizontem fecit. Parallelus enim Aequatoris ex E ,

In dato arcu semidiurno, seminocturno punctum Eclipticæ respondens sine instrumento perscantur.



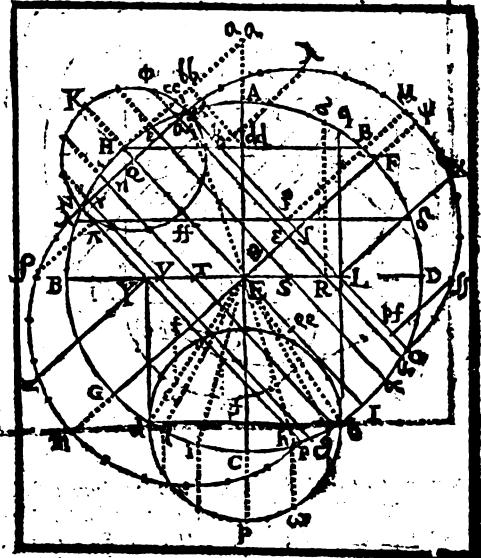
per punctum illud sectionis in Horizonte descriptus, secabit Eclipticam in duobus punctis æqualiter à tropico puncto distantibus, quibus datus arcus semidiurnus, vel seminocturnus conuenit. Ut si arcus semidiurnus sit $B\alpha$, vel seminocturnus $D\alpha$; ducta recta $E\alpha$, secabit Horizontem in b , punto, per quod parallelus ex E , delineatus secat Eclipticam in principiis P , & Q . Hisce ergo punctis arcus semidiurnus, vel seminocturnus oblatus congruit.

S C H O L I V M.

1. I D E M arcus semidiurnus, vel seminocturnus datipansit Ecliptica v
ans cuiuslibet stelle, per Analamma peruestigabimus hoc ratione. Invenia ex febo-
lio Can. 3. declinatione propositi puncti, vel stelle, ducatur in Anallemmate dia-
meter parallelis, quem datum punctum, aut stella describit. Nam eius portio su-
perior inter Meridianum, ac diametrum Horizontis, est sinus versus arcus semidiurni
nisi, inferior autem portio, sinus versus arcus seminocturni quasit. Exempli causa,
in Anallemmate scholiis precedentibus Canonis, declinatio principij $\text{S}\odot$, est $H\text{M}$, eiusque
parallelis diameter $M\text{O}$, secans Horizontis diametrum in L . Erit igitur ML , sinus ver-
sus arcus semidiurni principij $\text{S}\odot$, & $O\text{E}$, sinus versus arcus seminocturni: adeo ut,
descripto circulo $M\text{XO}$, circa diametrum parallelis $M\text{O}$, & ducta ex L , perpen-
diculari $L\text{X}$, ad $M\text{O}$, arcus semidiurnus $\text{S}\odot$ sit $M\text{X}$; & seminocturnus $O\text{X}$.
Nam cum & Herizon, & parallelus $M\text{XO}$, in propria posizione, ad Meridianum
recte sit; erit quoque communis eorum sectio ad eundem rectam, ideoque ex defini-
3. lib. 11. Euclid. ad $M\text{O}$, in
Meridianis existentem perpendicularis. Recta ergo $L\text{X}$, ad
 $M\text{O}$, perpendicularis, com-
munis sectio erit Horizontis,
ac parallelis $M\text{XO}$; atque id-
circo $M\text{X}$, arcus semidiurnus erit, & $O\text{X}$, seminocturnus.
Eadem ratione erit $N\text{Z}$,
arcus semidiurnus & $P\text{Z}$,
seminocturnus. Et sic de ca-
teris. Quod si $H\text{M}$, ponere-
tur declinatio aliquius stelle,
erit $M\text{X}$, arcus eius diurnus,
& $O\text{K}$, seminocturnus
eisdem.

E S T autem tam fL ,
quam & T , sinus rectus diffe-
rentia ascensionalis, adeo ut
in punctis Ecliptica, & stellis
septentrionalibus arcus X ,
ad quadrantem adiectus con-
ficat arcum semidiurnum, ar-
cus vero in Z , in australibus
ex quadrante subtractus ar-
cum semidiurnum relinquit, qna-

Arcum semidiurni
nam, aut seminocturni
Euanam dati pā
di Ecliptice, vel
helicis ex Anallem-
mate pedisse.



2. E X cognito autem arcu semidiurno eliciemus punctum Ecliptica, cui congruit,
bac ratione. A punctis F , & G , numeretur in utramlibet partem differentia inter
datum arcum semidiurnum, & semidiurnum arcum Aequatoris, sine quadrante,
& recta terminos numeracionis connectens, que ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. axi
 $F\text{G}$, parallela erit, ob arcus numeratos aequales, secet Aequatoris diametrum in ea,
ut Eee , sinus rectus sit dicta differentia. Deinde erecta Haa , perpendiculari ad can-
dem

dem diametrum Aequatoris, qua diametrum Verticalis productam fecet in aa, summaque aa bb, ipsi Eee, aequali, ducatur bb dd, ipsi HI, parallela secans AC, in dd: ac tandem ipsi bb dd, aequalis abscindatur Hcc. Nam recta Ecc, dulta abscondet arcum declinationis puncti quesiti HM: qua borealis erit, si datus arcus semidiurnus quadrante major fuerit, australis vero, si minor. Atque huic declinationi inuenientur assignabitis punctum Eclipticae respondens, ut in scholio Can. 3. Num. 3. traditum est. Hoc autem sic demonstrabitur. Quoniam, ut in Lemmate 49. lib. 1. Num. 17. demonstravimus, est ut sinus torus ad tangentem altitudinis poli, ita tangens declinationis eiusdem puncti Ecliptica ad sinum differentia ascensionalis; erit conuertendo, ut tangens altitudinis poli, ad sinum totum, ita sinus differentia ascensionalis ad tangentem declinationis. Cum ergo Ha a, sit tangens arcus AH, altitudinis poli, & aa bb, sinus differentia ascensionalis Eee, aequalis; (Eadem enim est differentia ascensionalis, qua arcus semidiurni, &c. ut in eodem Lemmate 49. Num. 15. dictum est) 1, siue ut aa HI, tangens altitudinis poli ad HE, sinum totum, ita aa bb, sinus differentia ascensionalis ad bb dd, hoc est, ad Hcc, ipsi bb dd, aequalem; erit Hcc, tangens declinationis quesite, ac proinde HM, arcus erit declinationis.

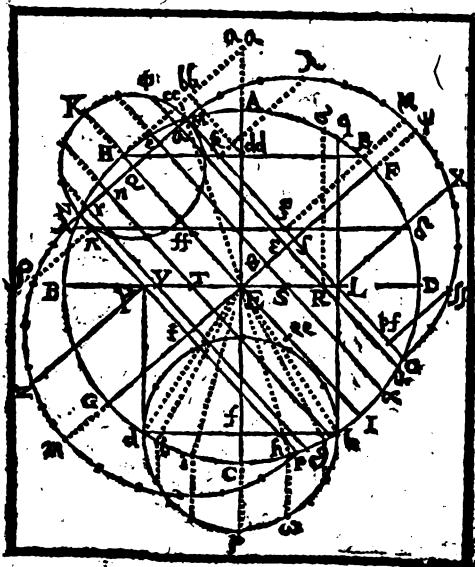
A L I T E R. Per Lemma 52. lib. 1. in Horizonte diametro BD, inuenientur puncta L, Y, in quibus Ellipsis circa axes FG, et ff, (sumpta Eff, ipsi Eee, aequali) descripta eam intersecat. Nam si per L, quando arcus semidiurnus datus maior est quadrante, aut per Y, quando minor, diametro Aequatoris HI, parallela agatur MO, vel NP, erit

bac, diameter parallelus per quatuor punctum descripti, proindeque declinationem quam sicut ex Meridiano abscindet. Cum enim per Lemma 55. lib. 1. sit, ut EI, ad Eee, ita SO, ad SL; vel ut EH, ad Eff, ita tN, ad tY, sintq; ex Lemmate 5. sinus similiarum arcuum sindicatis proportionales; erit SL, vel tY, sinus differentia ascensionalis in circulo diametri MO, vel NP, quemadmodum Eee, vel Eff, in circulo maximo ABCD.

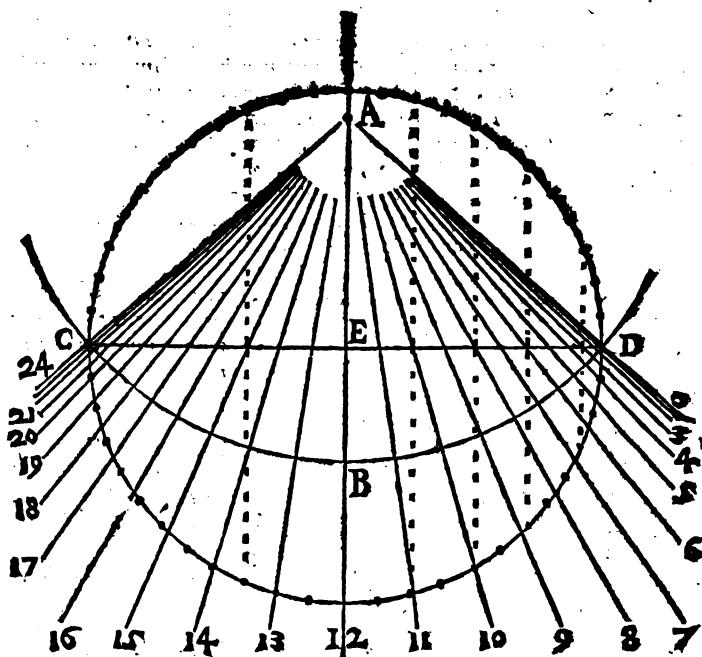
E L L I P S I S porro circa axes FG, et ff, descripta refert circulum declinationis, vel horarum, per meridi polos, & punctum Horizontis, in quo à parallelo dato arcus semidiurni secatur; quippe cum perpendicularares ex eius punctis in Meridianum demissa eam efficiant, punctumque illud Horizontis in L, vel Y, cadat.

S E D ex dato arcu semidiurno cuiusvis paralleli elicentius quoque declinationem respon-

4. sexti.



respondentem de modo, quam ex Schonero tradidisse in scholio propos. 33. lib. I. Gnomonicos, & ad calcem lib. 8. demonstravimus, quandoque denique in libello de Fabrica & usu instrumenti horologiorum cap. 12. repotimus. Nam si in ea figura, quao hic appossumus, numeretur arcus semidiurnus ex D, in circulo circa rectam



CD , descripto, diuisisque in 24. partes aequales, vel in grad. 360. & per finem numerationis radio Aequatoris AB , parallela agatur. secabitur CD , in punto, per quod recta ex A , educita at scindet ex arcu CBD , arcum declinationis questra à punto B , inchoatum, qua australis erit, si in arcu BD , continetur, borealis: vero, si in arcu BC , &c.

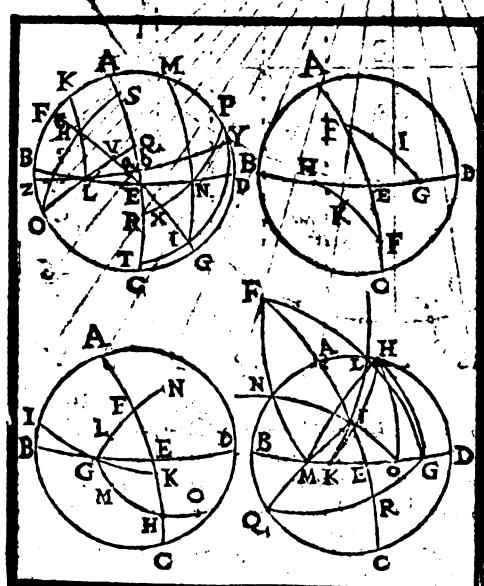
3. P E R sinus denique ita agemus. Cum in Lemmate 49. Num. 15. demonstratum sit, eadem esse differentiam ascensionalem cuiuslibet puncti Eclipticae, & differentiam inter arcum semidiurnum parallelis per illud punctum descripti, & arcum semidiurnum Aequatoris, qui semper quadrans est, satis est, si differentia ascensionalis quarti puncti Eclipticae, vel proprieatis stelle, inquiratur: hec enim, si punctum Eclipticae, vel stella in boream recedit ab Aequatore, adiecta ad quadrantem conficit arcum semidiurnum, ablata vero ex quadrante, seminocturnum arcum relinquit; Si autem punctum, vel stella in austrum declinat, eadem differentia ex quadrante sublata cum semidiurnum reliquias facit, adiecta vero ad quadrantem conficit arcum seminocturnum. Id quod in predicto Lemmate, & Num. 15. eodem, à nobis quoque demonstratum fuit. Hac autem differentia ascensionalis supponenda erit, ut in scholio Ca-

Arcum semidiurnum, & seminocturnum dati p̄t, vel stellae per hanc inquirere.

lio Canonis 3. Numb 4. tradidimus. Paterunt estiam, sphaeræ, ut libet alia ratiōnes suppandi arcum semidiurnum, quas lib. I. Gnomonicas propos. 34. & in scholio propos. 35. demonstravimus, quarum unam in scholio Canio: Numb 3. afferemus.

Dato arcu semi-diurno, aut se-minocturno, p[ro]p[ter]a Eclipticā respondens per numeros inueni-

gat. V. I. C. I. S. S. I. d[icitur]. datq[ue] arcu semidiurno, seminocturno, reponemus punctum Ecliptice, cui congruit, hac ratione. Subducto arcu dato ex quadrante, vel quadrante ex illo, ut differentia habeatur inter datum arcum semidiurnum, seminocturnum, & arcum semidiurnum Aequatoris, qui quadrans est; si quecum punctum concipiatur constitutum in Horizonte, per quod ex mundi polo circulus maximus declinatio[nis] ducatur, constitutum erit triangulum pharicum rectangulum, cuius angulus rectus ab illo circulo declinationis, & Aequatoris contingit, & arcus Aequatoris inter Horizontem, & predictum circulum declinationis, non, cum differentia sic inter datum arcum semidiurnum, seminocturnum, & quadrantem Aequatoris; angulus denique, quem Aequator chm Horizonte efficit, complementum est altitudinis poli, qui arcui declinationis, quem querimus, in dicto triangulo oppositum. Si igitur per 1. modum problematis 1. triang. sphær. Fiat vt sinus totus ad sinum differentie inter arcum semidiurnum, aut seminocturnum datum, & quadrantem Aequatoris, ita tangens complementi altitudinis poli, ad aliud, producetur tangens declinationis queritus. Huiusmodi triangulum habebur in primo circulo figure 1. problematis 19. quam hoc loco reponimus. Id enim publica Ecliptica borei arcus semidiurnus est MN, cui similis est arcus Aequatoris AR; & ER, differentia inter semidiurnum arcum AR, ex quadrante AE, qui arcus semidiurnus Aequatoris est; triangulum denique predictum est ENR, in quo per 1. modum problematis 1. triang. sphær. ultimi Lemmatis, est ut sinus totus ad sinum arcus ER, diff[erentia] predicta, ita tangens anguli REN, complementi altitudinis poli ad tangentem arcus declinationis NR. Simile triangulum est ELQ, quando KL, vel arcus Aequatoris similis AQ, est arcus semidiurnus puncti Ecliptica australis H. Ex. Invenia hoc modo declinatione, inquirendum est punctum Ecliptica ei respondens, ut in scholio Can. 3. scripsimus: Et si quidem arcus semidiurnus datum maior est 6. horis, vel seminocturnus arcus 6. horis minor, erunt duo puncta Ecliptica borealia à principio \textcircled{D} , equaliter remota, quibus congruit; australia vero à principio \textcircled{D} , aequaliter distata, si 6. horis minor est arcus semidiurnus, aut seminocturnus 6. horis maior. Si tamen declinatio invenia fuerit maxima declinationi aequalis, respondebit arcus semidiurno 6. horis maiori, & seminocturno 6. horis



nus puncti Ecliptica australis H. Ex. Invenia hoc modo declinatione, inquirendum est punctum Ecliptica ei respondens, ut in scholio Can. 3. scripsimus: Et si quidem arcus semidiurnus datum maior est 6. horis, vel seminocturnus arcus 6. horis minor, erunt duo puncta Ecliptica borealia à principio \textcircled{D} , equaliter remota, quibus congruit; australia vero à principio \textcircled{D} , aequaliter distata, si 6. horis minor est arcus semidiurnus, aut seminocturnus 6. horis maior. Si tamen declinatio invenia fuerit maxima declinationi aequalis, respondebit arcus semidiurno 6. horis maiori, & seminocturno 6. horis

horis minori, primum punctum 55; et semidiurno arcui 6. horis minori, & seminocturno 6. horis majori, primum punctum 30. congruet.

C A N O N V I I I .

HORAM interdiu ex altitudine Solis, & noctu ex altitudine cuiusuis stellæ, expiscari.

1. QVONIAM quatuor sunt genera horarum, tria æqualium, nimirum vel a meridie, aut media nocte, vel ab ortu Solis, vel a Solis occasu initium sumentium, & vnum inæqualium, de quibus copiose satis ad initium nostræ Gnomonices scripsimus: de omnibus Canon propositus est intelligendus. Diurno ergo tempore si horam à mer. vel med. noc. elapsam desideras, accipe per Can. 1. altitudinem Solis, & circumducere, donec gradus Eclipticæ, in quo Sol tunc moratur, parallellum Horizontis, sive Almucantarath inuentæ altitudinis attingat, ex parte quidem orientali, si tempus est antemeridianum, si vero pomeridianum, ex parte occidentis. Linea enim fiducia Ostensoris eidem gradui Solis superposita, in Limbo horam à med. noc. indicabit, vel à mer. prout tempus fuerit antemeridianum, vel pomeridianum. Quod si horæ in Limbo descriptæ non sint, elicienda erit hora ex arcu Limbi inter lineam fiduciam sicutum habentem, & lineam meridianam intercepto, tribuendo quindenies gradibus singulas horas, & singulis gradibus quaterna horæ minutatisa tamen, ut ante meridiem arcus ille incipiat à linea meridiana ex parte inferiori, post meridiem vero ex parte superiori.

Horæ à mer.
vel med. noc. inter-
dia per Astrola-
bium remittuntur.

2. SI vero tempore nocturno eandem horam à mer. vel med. noc. inquirere velis, obserua per Can. 1. stellæ alicuius in reti descriptæ altitudinem, & circumduc rete, donec cacumen eius stellæ parallellum Horizontis, sive Almucantarath altitudinis inuentæ attingat, ex parte quidem orientali, sive sinistra, si stella ad Meridianum nondum peruererit, si vero Meridianum transierit, ex parte dextra, sive occidentali. Linea enim fiducia gradui Solis superposita, monstrabit in Limbo horam à mer. vel med. noct. prius gradus Solis extiterit vel in medietate Astrolabii dextra, vel sinistra. Quod si horæ in Limbo notatae non sint, reducendi erunt ad horas gradus Limbi inter lineam fiduciam, & lineam meridianam, initio facto à parte superiore, si gradus Solis fuerit in parte Astrolabii occidentali, sive dextra; si vero in parte orientali, vel sinistra, à parte inferiori. Prior enim arcus dabit horas à mer. & posterior à med. noc. elapsas.

Horam à mer.
vel med. noc. per
Astrolabiū no-
tare inquitur.

3. HORAM ab or. vel occ. sic inquires. Nota punctum horæ à mer. vel med. noc. inuentu sive per altitudinem Solis interdiu, sive noctu per altitudinem stellæ, ut dictum est. Deinde posito gradu Solis in Horizonte orientali, si hora ab or. quadratur, vel occidentali, si hora ab occ. desideretur, numera arcum Limbi inter punctum, quod linea fiducia Ostensoris gradui tunc Solis superposita indicat, & punctum horæ à mer. vel med. noc. prius notatum, progrediendo semper à posteriori punto notato cōtra successionem signorum ad illud prius, (hoc est, ab ortu in occasum progrediendo usque ad punctum horæ à mer. vel med. noc. notatum) scilicet dextram versus; nimirum pro ho-

Horam ab or. vel
occ. per Astrola-
bium cognoscens.

ta ab occ. ex parte occidentali versus inferiorem partem Astrolabii, pro hora vero ab or. ex parte orientali versus superiori. Nam si gradus in hoc arcu limbi comprehensi reuocentur ad horas, habebitur numerus horarum ab occ. vel ortu elapsarum.

Q V O D si in parte inferiori Astrolabii arcus horarum ab or. & occ. descripsi sint, ut lib. 2 prop. 9. Num 6. diximus, collocato interdui gradu Solis supra circulum Almucantarath inuenientur altitudinis Solis, moto tamen reti à sinistra dextram versus, ita ut sinistra sit pars ante meridiem, & dextra post meridiem, indicabit gradus oppositus inter illos arcus horarum ab occ. Posito autem collocato gradu Solis supra circulum Almucantarath altitudinis Solis inuenientur, moto tamen reti à dextra sinistram versus, ita ut pars dextra spectet ad tempus antemeridianum, & sinistra ad pomeridianum, indicabit idem gradus oppositus inter arcus eosdem horarios horarum ab or. ut numeri horarum in figura dictæ prop. 9. lib. 2. monstrant. Nocturno vero tempore horas ab occ. ex altitudine stellarum inueniri hac ratione non poterunt, nisi a lii arcus horarum, qui priores intersecte, describantur. Quare prior ratio exposita magis probanda videtur.

Horas insequentes per Astrolabium inquirere.

4. D E N I Q V E horas insequentes in parte inferiori Astrolabii ostendere interdui gradus oppositus Solis, posito ipso gradu Solis in parallelo Horizontis, sive Almucantarath inuenientur altitudinis Solis; noctu vero idem praestabis spissiter gradus Solis, si stella in Almucantarath suæ altitudini inuenientur collata fuerit.

Quando altitudo Solis vel stellæ non habet parallelam Horizontis respondenter quæ pædo inter proxime minorum, & proxime maiorum parallelam habendam gradus est Sol, vel stellæ ut p. opiam habeat alitudinem.

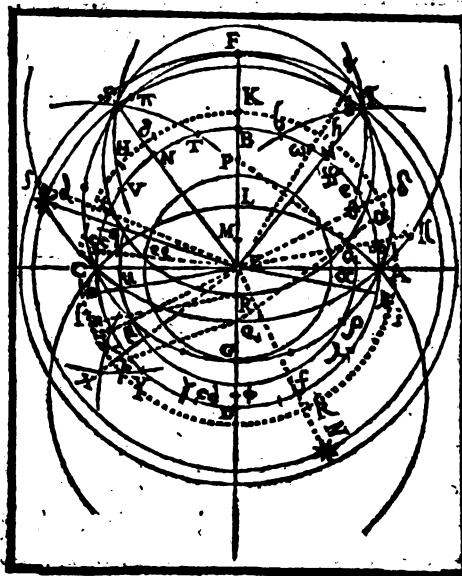
5. Q V A N D O paralleli Horizontis non per singulos gradus ducantur, sed duobus gradibus, vel tribus, aut quinque intet se distant, & altitudo Solis vel stellæ inuenientur non habet parallelum respondentem, sed collocanda est inter duos eiusmodi parallelos; ut accuratius in propria altitudine collocetur, inuenienda erit pars proportionalis hoc modo. Collocetur gradus Solis, vel stellæ cacumen, super parallelum proxime minoris altitudinis, noteturque punctum in limbo à linea fiducia illi gradui, vel stellæ superposita okensem. Deinde idem gradus, vel cacumen stellæ mouetur usque ad parallelum proxime majoris altitudinis vna cum linea fiducia, punctumque rursus in limbo notetur, & gradus limbi inter duo illa puncta diligenter numerentur. Post hac sat, ut numerus graduum inter duos proximos parallelos in Astrolabio inclusorum ad numerum graduum limbi inter duo illa puncta notatum, ita numerus graduum altitudinis Solis, vel stellæ, substracto prius numero graduum paralleli proxime minoris altitudinis, ad aliud. Inuenietur enim quartus numerus graduum, qui si à priore punto notato in limbo suppetetur versus punctum posterius, & ad finem suppeditationis admoueat linea fiducia, collocandus erit gradus Solis, vel cacumen stellæ præcise sub linea fiducia eum situm obtinente, ut proprium situm suæ altitudinis habeat. V. g. ponamus unum parallelum ab alio distare grad. 5. & altitudinem inuentam esse grad. 33. Notatis ergo punctis in limbo, quæ exhibentur à linea fiducia super gradum Solis, vel cacumen stellæ posita, quando tum in parallelo grad. 30. tum in parallelo grad. 35. collocatur, sumamus inter duo illa puncta positos esse grad. 16. Si ergo dicamus; Si differentia grad. 5. inter duos proxime parallelos requirit in limbo grad. 16. quid requiret differentia grad. 3. inter altitudinem grad. 33. & parallelum grad. 30. inueniemus grad. 9. Min. 36, quos si numeremus à priore punto in limbo, & ad terminum numerationis applicemus lineam fiducia, ac denique sub linea fiducia in eo situ gradum Solis, vel cacumen stellæ statuamus, collocatus erit gradus Solis, vel cacumen stellæ in altitudine grad. 33.

6 SINE

6. SIN E instrumento horam perscrutabimur hac ratione. Repetatur secunda figura Can. 5. in qua Aequator ABCD, circa centrum E; tropici F, G, H, I, Ecliptica AFCG, cuius polus M; Horizon obliquus AQG, cuius centrum K, & vertex, vel polus L, per quem descriptus sit Verticalis primarius ALC, cuius centrum φ, & polus Q, intersectio nimirum Horizontis cum Meridiano: Denique Kg, parallelus per K, centrum Horizontis descriptus, in quo sentra omnium circulorum horariorum ab or. vel occ. existunt, vt lib. 2. propos. 9. Num. 5. demonstrauimus. Diurno ergo tempore horam inuestigaturus capter altitudinem Solis. Deinde quærat intersectionem paralleli puncti illius Ecliptice, quod Sol tunc occupat, cum parallelo Horizontis per gradum altitudinis inuenientur descripto. Recta enim ex centro K, per punctum illud intersectionis ducta secabit Aequatorem in punto distantia Solis a mer. vel med. noc. adeo ut arcus Aequatoris in se punctum illud, & meridianam lineam inferiorem ad horas redactus det horam s med. noc. si tempus est ante meridianum, arcus vero inter idem punctum, & lineam meridianam superiorem, horas a mer. si tempus posterius meridianum est. V.g. Sole existente in principio ♈, vel 22, obseruata sit altitudo Solis grad. 20. siue ante merid. siue post. Describatur per π, principium xx, aut per α, principium ♉, parallelus Aequatoris πZd. Deinde numerata in Aequatore altitudine Solis AO, grad. 20. siue ex parte orientali, siue occidentali, ducatur ex Q, polo Verticalis per O, recta QO, secans Verticalem in a, complecteturque arcus Aa, grad. 20. altitudinis Solis, vt lib. 2. propos. 5. Num. 17. & sequentibus ostensum est; ac proinde per a, parallelus Horizontis per Solem tunc transtiens describendus erit. Ducta ergo per a, recta aP, tangente Verticalem in a, hoc est, perpendiculari ad a φ, semidiametrum Verticalis, si ducta es, erit P, centrum eius paralleli, & Pa, semidiameter, ex his, quae propos. 6. lib. 2. Num. 10. demonstrauimus; qui tamen parallelus aliis viis, quas lib. 2. propos. 6. tradidimus, describi etiam poterit, si placet. Secet autem parallelus hie Horizontis, ex P, per a, descriptus (qui necessario per punctum R, in linea meridianica transibit, in quod cadit recta ex A, ad terminum n, arcus Cn, grad. 20, altitudinis Solis educta, vt ex his liquet, quae in eadem propos. Num. 2. ostensa sunt a nobis) parallelum Aequatoris π, in S, & I, ducaturque ex E, centro recta ES, vel EI, secans Aequatorem iu N. Si igitur altitudo Solis accepta fuerit

Horam seu materialiterum
to inuestigare.

Horas a mer. vel.
med. noc. tempo
re diuersas.

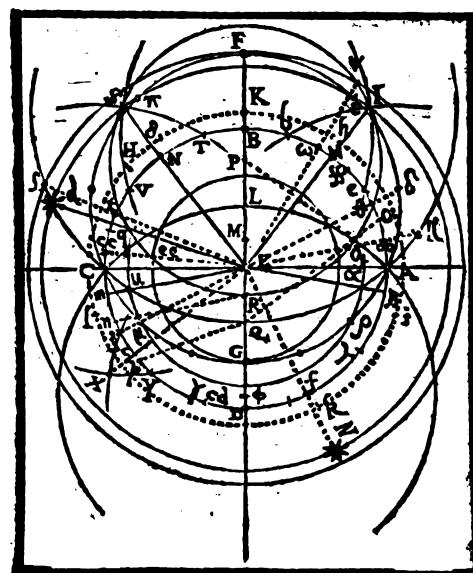


ante meridiem, indicabant gradus in arcu DN, contenti horas a med. noct. claspas; si vero post meridiem, gradus in arcu BN, comprehensi horas a meridiem transactas monstrabunt, propterea quod tunc temporis punctum Ecliptice datum π , vel ϵ , in S, vel I, existit, & recta ES, vel ED, lineam fiduciae refert, non secus; ac si rete circumvolueretur.

Hora ab or. vel
occ. tempore datur.

I A M si hora ab ortu desideretur ante meridiem, describendus est per S punctum intersectionis paralleli Solis cum parallelo Horizontis, circulus SV ad interuum semidiametri Horizontis KQ, ex centro h, in parallelo Kh, assumpto, ita ut eius conuexum in V, punto Aequatoris vergat versus partes orientales, siue posterius orientes, hoc est, ita ut eius conuexo occurramus progradientes ex C, principio V, contra successionem signorum. Nam arcus CV, dabit horam ab ortu numeratam, vt ex iis constat, quæ lib. 2. propos. 9. Num. 7. & 8. scripsimus. Si vero qua-

ratur ante meridiem hora ab occ. describendus est per idem punctum S, circulus ST, ad interuum semidiametri Horizontis KQ, ex centro l, in parallelo Kg, assumpto, ita ut eius concavum in T, punto Aequatoris progradientibus nobis ex A, contra successionem signorum occurrat, hoc est, vergat ad partes orientales. Nam arcus ADCT, horam ab occ. indicabit, vt ibidem ostendimus. At si post meridiem, tam hora ab or. quam ab occ. inuenienda sit, describendi erunt per I, dicti duo circuli, quales sunt Ib, le, quorū centra sunt i, g. Areus enim Cb, contra signorum series usque ad conuexum circuitus Ib, numeratus dabit horam ab or. & arcus ACe, contra



signorum successionem usque ad concavum circuitus le, computatus horam ab occ. exhibebit.

Hora ab or. vel
occ. tempore no
cturno.

T E M P O R E autem nocturno obseruetur altitudo alicuius stellæ, nimirum eius, quæ situm habet in Z, ponamusque altitudinem inuentam esse grad. 20. & stellam nondum ad Meridianum peruenisse, ac Solem in J, principio m: existere: secent autem se mutuo in S, ex parte orientali parallelus a stella descripturnus ZS, & parallelus Horizontis RS, grad. 20. Deinde ductis rectis EZ, ES, EJ, secantibus Aequatorem in f, N, g, arcui fg, secundum signorum successionem computato sumatur aequalis NC, a punto N, secundum series etiam signorum progradientio, & per eius terminum c, recta ducatur EX, ipsi Ej, aequalis, ita ut parallelus per J, principium m, descripturnus, transeat per K. Et quoniam moto reti, donec stella Z, ad S, perueniat, & recta EZ, recta ES, congruat.

congruat recta E₁, congruit recta EX, & punctum A puncto X, propter aequalitatem arcum f₁ f₂. Ne, scilicet ut existente stelle Zijus S. Sol-primum punctum m₁. Occupans existat in X, id proinde arcus Dc, horam a med. nocte, exhibeat. Quod si per X, ad interuallum semidiometri Horizontis KQ, ex centris H, k, in parallelo KH, assumptis, duo circuli describantur secantes Aequatorem in E, Y, dabit arcus ADZ, horam ab ore, & arcus CBADY, horam ab ortu, ut pater ex iis, quæ lib. 2. propos. 9. Num. 7. & 8. scripsimus. Arcus postea BN, indicat distantiam stellæ a Meridiano tempore observationis.

S O L E existente in principio ϑ , habentemque eandem altitudinem grad. 20. si ducatur recta E₁, ad intersectionem parallelis ϑ , cum parallelo Horizontis grad. 20. secans Aequatorem in a; dabit arcus Ba₁, horam à mer. si tempus fuerit pomeridianum, & arcus DA₁, horam a med. nocte, altitudinemque habet grad. 20. si ducatur recta Eee, per intersectionem parallelis ϑ , cum parallelo Horizontis grad. 20. secans Aequatorem in ce; dabit arcus Bcc, horam a mer. tempore pomeridianum, arcus vero Dcc, antemeridianum tempore horam a med. nocte præbebit. Et si per ϑ , bini circuli describantur ad interuallum semidiometri Horizontis KQ; quorum centra in parallelo Kg, existant, reperiatur quoque hora tam ab or. quam ab occ. sicuti in precedentibus.

H O R A M denique inæqualiter cognoscemus, si arcum semidiurnum, aut seminocturnum paralleli per datum pædum Ecliptice descripti, in semipartes aequales partiamur pro horis inæqualibus. Recta etenim ex centro E, ad locum Solis tempore observationis, ut ad S, vel X, ducta, indicabit, quota hora inæqualis transacta sit.

Horam inæqua-
le sine infraexp-
to deprehendere.

S C H O L I U M.

I. S I Analemma ad duram poli altitudinem describatur, ut in 19. Lemma lib. 1. & in scholio Can. 6. tradidimus, cognoscamus horam inæqualem ex altitudine Solis hoc modo. Ducta in Analemma scholijs Can. 6. diametro parallelis per gradum Solis transversum MO, vel NP, descriptio quoque circa eam semicirculo MXO, vel NZP, erigatur ad eandem ex punto L, vel X, ubi à diametro Horizontis secatur, perpendicularis LX, vel TZ, ut MX, vel NZ, sit arcus semidiurnus, & OX, vel PZ, seminocturnus. Deinde ex D, & B, supposita altitudine Solis usque ad f, & y, necatur d_y, diameter parallelis Horizontis invenientia altitudinis; & ex punto z, vel π, ubi diameter parallelis Solis dividit, perpendicularis ad eandem parallelis Solis diameter excitetur ξμ, vel πρ. Nam arcus Mμ, vel Np, horam à meri vel med. noctis indicabit, prout tempus observationis pomeridianum, aut antemeridianum fuerit; propterea quod Sol tempore observationis in punto μ, vel p, erit. Cum enim parallelis Solis, cuius diameter MO, vel NP, & parallelis Horizontis, cuius diameter yd, ad Meridianum recti sint, & eis communis quoque sectio ad eundem rectam, ideoque ex defin. 3. lib. II. Eucl. ad rectam MO, vel NP, in plano Meridiani existente perpendicularis erit. Quapropter ξμ, vel πρ, ad MO, vel NP, perpendicularis, communis illa sectio erit; arquo inveniente cum Sol tunc in communem illa sectionem existat, nimirum in punto, ubi se duo illi parallelis per Solem descripti intersectant; erit Sol in punto μ, vel p, ac proinde arcus Mμ, vel Np, distantiam eius à Meridiano spectietur.

Horam à mer. vel
med. noct. inæqua-
lem ex Anal-
lemmate perferimus

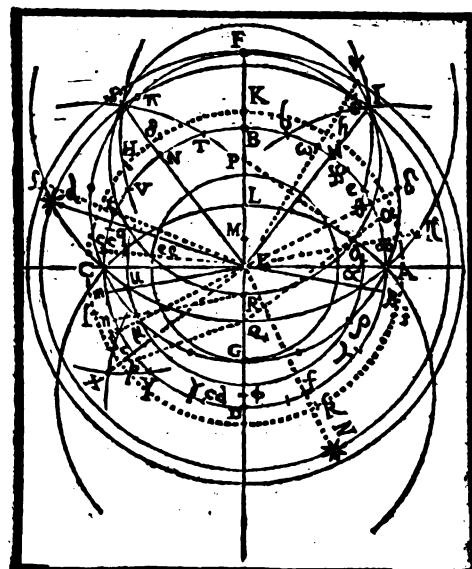
A R C U S autem Xμ, vel Zp, distantia erit Solis ab Horizonte, cum LX, vel TZ,

19. unde

ante meridiem, indicabant gradus in arcu DN, contenti horas a med. noct. classas; si vero post meridiem, gradus in arcu BN, comprehensi horas a meridiem transactas monstrabunt, propterea quod tunc temporis punctum Ecliptice datum π , vel α , in S, vel I, existit, & recta ES, vel ED, lineam fiduciae refert, non secundum π , ac si rete circumvolueretur.

Hora ab or. vel
occ. tempore diari-
no.

I AM si hora ab ortu desideretur ante meridiem, describendus est per S, punctum intersectionis paralleli Solis cum parallello Horizontis, circulus SV ad interuallum semidiametri Horizontis KQ, ex centro h, in parallelo K β , assumpto, ita ut eius conuexum in V, puncto Aequatoris vergat versus partes orientales, sive posterius orientes, hoc est, ita ut eius conuexo occurramus progredientes ex C, principio γ , contra successionem signorum. Nam arcus CV dabit horam ab ortu numeratam, ut ex iis constat, que lib. 2. propos. 9. Num. 7 & 8. scripsimus. Si vero queratur ante meridiem hora ab occ. describendus est per idem punctum S, circulus ST, ad interuallum semidiametri Horizontis KQ, ex centro l, in parallelo Kg, assumpto, ita ut eius concavum in T, puncto Aequatoris progre- dientibus nobis ex A, contra successionem signorum occurrat, hoc est, vergat ad partes orientales. Nam arcus ADCT, horam ab occ. indicabit, ut ibidem ostendimus. At si post meridiem, tam hora ab or. quam ab occ. inuenienda sit, describendi erunt per I, dicti duo circuli, quales sunt Ib, Ie, quorū centra sunt i, g. Areus enim Cb, contra signorum series usque ad conuexam circuli Ib, numeratus dabit horam ab or. & arcus ACE, contra



signorum successionem usque ad concavum circuli Ie, computatus horam ab occ. exhibebit.

Hora ab or. vel
occ. tempore no-
cturno,

TEMPORE autem nocturno obseruetur altitudo alicuius stellæ, nimirum eius, quæ situm habet in Z, ponamusque altitudinem inuentam esse grad. 20. & stellam nondum ad Meridianum peruenisse, ac Solem in δ , principio η ; existere: fecent autem se mutuo in S, ex parte orientali parallelus a stella de scriptus π et Z, & parallelus Horizontis RS, grad. 20. Deinde ducis rectis EZ, ES, E δ , secantibus Aequatorem in f, N, β , arcui f θ , secundum signorum successionem computato sumatur aequalis N c, a puncto N, secundum series etiam signorum progrediendo, & per eius terminum c, recta ducatur EX, ipsa Ed, aequalis, ita ut parallelus per δ , principium η , de scriptus, transeat per X. Et quoniam moto reti, donec stella Z, ad S, perueniat, & recta EZ, recta ES congruat.

congruat, recta $E\beta$, congruit recta EX , & punctum β puncto X , propter aequalitatem arcuum $\beta\theta$. Ne, ut vt existente stella $Z\mu\delta$. Sol-primum punctum $\eta\zeta$, occupans existat in $X\beta$ proinde arcus. Dc, horam à med. noct. exhibeat. Quod si per X , ad interuallum semidiometri Horizontis KQ , ex centris H , k , in parallelo KH , afluximus; duo circuli describantur secantes Aequatorem in ξ , Y , dabit arcus $AD\xi$; horam ab ortu. & arcus $CBADY$, horam ab ortu, ut pater ex his, quæ lib. 2. propos. 9. Num. 7. & 8. scripsimus. Arcus postea BN , indicat distantiam stellæ a Meridiano tempore observationis.

S O L E existente in principio β , habenteque eandem altitudinem grad. 20. si ducatur recta $E\beta$, ad intersectionem paralleli $\beta\alpha$, cum parallelo Horizontis grad. 20. secans Aequatorem in α ; dabit arcus $B\alpha$, horam à mer. si tempus fuerit pomeridianum, & arcus $DA\alpha$, horam a med. noct. si tempus antemeridianum fuerit. Sic etiam quando Sol primum punctum $\beta\gamma$, tenet, altitudinemque habet grad. 20. si ducatur recta $E\epsilon$, per intersectionem paralleli $\beta\gamma$, cum parallelo Horizontis grad. 20. secans Aequatorem in $\epsilon\zeta$; dabit arcus $B\epsilon\zeta$, horam a mer. tempore pomeridiano, arcus vero $D\epsilon\zeta$, antemeridiano tempore horam a med. noct. præbebit. Et si per $\beta\epsilon\zeta$, bini circuli describantur ad interuallum semidiometri Horizontis KQ , quorum centra in parallelo $K\beta$, existant, repertetur quoque hora tam ab or. quam ab occ. sicuti in precedentibus.

H O R A M denique inaequalem cognoscemus, si arcum semidiurnum, aut seminocturnum paralleli per diem pæctum Ecliptice descripti, in tempore aequaliter partiamur pro hotis inæqualibus. Recta etenim ex centro E , ad locum Solis tempore observationis, ut ad S , vel X , ducta, indicabit, quota hora inæqualis transacta sit.

Horam inæqua-
le fieri intrans-
to deprehendere.

S C H O L I U M.

I. S I Analemma ad datam polyleitudinem describatur, ut in 19. Lemma lib. 1. & in scholio Can. 6. tradidimus, cognoscemus horam interdiu ex altitudine Solis hoc modo. Ducta in Analemmate scholijs Can. 6. diametro paralleli per gradus Solis transversis MO , vel NP , descripto que circa eam semieirculo MXO , vel NZP , erigatur ad eandem ex puncto L , vel χ , ubi à diametro Horizontis secatur, perpendicularis LX , vel χZ , ut MX , vel NZ , sit arcus semidiurnus, & OX , vel PZ , seminocturnus. Deinde ex D , & B , supposita altitudine Solis, usque ad β , & γ , nascatur $\beta\gamma$, diameter paralleli Horizontis invenientur altitudinis; & ex puncto ξ , vel π , ubi diameter paralleli Solis dissipatur, perpendicularis ad eandem parallelis Solis diameter excutetur $\xi\mu$, vel $\pi\mu$. Nam arcus $M\mu$, vel $N\mu$, horam à meri vel med. noct. indicabit, prout tempus observationis pomeridianum, aut antemeridianum fuerit; propterea quod Sol tempore observationis in puncto μ , vel π , existit. Cum enim parallelus Solis, cuius diameter MO , vel NP , & parallelus Horizontis, cuius diameter $\gamma\delta$, ad Meridianum recti sint, & ita eorum communis quoque sectio ad eundem rectam, id est ex defini. 3. lib. 11. Eucl. ad rectam $M\delta$, vel NP , in plano Meridiani existentem perpendicularis erit. Quapropter $\xi\mu$, vel $\pi\mu$, ad MO , vel NP , perpendicularis, communis illa sectio erit; ut quod latitudo cum Sol tunc in communione illa sectio exsistat, nimirum in puncto μ , ubi se duo illi parallelis per Solem descripti intersectant; erit Sol in puncto μ , vel π , ac proinde arcus $M\mu$, vel $N\mu$, distansiam eius à Meridiano queritur.

Horam à mer. vel
med. noct. inter-
dia ex Analemmate
perferenda

A & C V S autem $X\mu$, vel $Z\pi$, distansia erit Solis ab Horizonte, cum LX , vel YZ .

19. unde

vel γZ , communis scilicet sit Horizontis, ac paralleli Solis, ut in scholio praecedentis Capituli Num. I. demonstratum est. Ex hac distaneia $X\mu$, vel $Z\mu$, ita horam ab or. cognoscemus. Si tempus est ante meridiem, arcus ipso $X\mu$, vel $Z\mu$, horam ab or. exhibebit si vero post meridiem, arcus conflatuex $X\mu$, et $M\mu$, vel ZN , et Np , eandem horam manifessabit; quod tunc Sol motus sit ab X , vel Z , puncto ortus usque ad M , vel N , punctum meridiei, et a meridie usque ad μ , vel p . Ex eadem distaneia $X\mu$, vel $Z\mu$, horam or. sic dignoscimus. Si tempus est ante meridiem, arcus conflatuex XO , et $O\mu$, vel ZP , et Pp , horam ab ore studiabat, quod Sol mox tunc sit ab X , vel Z , puncto occasus, usque ad O , vel P , punctum media noctis, et a media nocte usque ad μ , vel p : Si vero Sol fuerit post meridiem, arcus conflatuex XO , et OM , semicirculo, et $M\mu$, vel ex ZP , et PN , semicirculo, et Np , eandem horam ab occ. nocte efficiat, propterea quod Sol intulisse erat ab X , vel Z , puncto occasus, usque ad O , vel P , punctum media noctis, et hinc usque ad M , vel N , punctum meridiei, ac denique hinc usque ad μ , vel p .

S I arcus semidiuinus $X\mu$, vel ZN , in sex partes equeales dividatur pro horis inaequalibus, indicabit eandem perpendicularis $\xi\mu$, vel σp , horam inaequalem, &c.

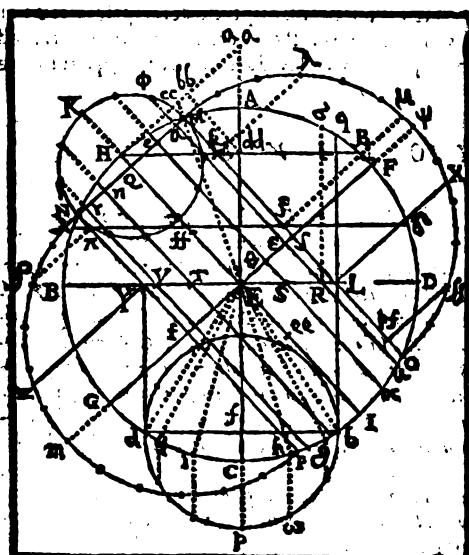
N O C T V R N O autem tempore ex aliquidiam alicuius stelle has rationes horum quacumque noctis venari licet. Distantiam stelle à Meridiano queratur, ut de Sole diximus, per

hanc usque ad μ , vel p .

Hoc inquit per A-

lemanum expli-

cit.



Distantiam stelle
a meridiano in-
paro ortum ver-
sus sumendum ef-
fe ad horam inae-
quam ligandam.

etiam secundum successionem signorum, ita ut stella existens occidentali, eius dis-
tanciam inueniam ex integro circulo detrahamus, ut reliqua sicut eiusdem distantia à Me-
ridiano supero ortum versus computata, licet semicirculo maior sit. Verbi gratia, si de-
prehensa fuerit distantia alicuius stelle à Meridiano supero versus occasum grad. 70.
detrahamus 70. ex grad. 360. ut relinquamus grad. 290. pro distantia eiusdem à su-
pero

per Meridianum ortum versus computata.

DE IN D E ex hac distanca stella à Meridianu supero versus ortum computa-
ta inuestigatur distanca Solis à stella ab occasu quoque in ortum, hac arte. Ascen-
sio recta stella ex scholio Can. 4. Num. 2, inuenta auferatur ex ascensione recta Solis
ex eodem scholio Num. 1 cognita, adiecto prius integro circulo, si subtractio fieri nequeat.
Numerus enim reliquus dabit distanciam Solis à stella secundum signorum successio-
num numeratas. Ut si in proximo Analemmate circulus ABCD, cogitetur esse Ad-
quator, in quo dicta distanca numeranda sunt, & D, principium V, atque A, pun-
ctum Meridiani superi, ponatur autem AM, distanca stella à Meridianu supero ver-
sus ortum, & AN, distanca Solis, ab eodem Meridianu in ortum; si DM, ascensio re-
cta stella ex DN, ascensione recta Solis detrahatur, reliquis fiet arcus MN, distanca
Solis à stella secundum signorum ordinem. Rursus si distanca stella à Meridianu in oc-
casum sit AQ, ita ut eiusdem distanca in ortum sit ABCDq, & distanca Solis à Me-
ridiano versus eandem partem sit ABCD&; recta autem ascensio stella Dq, ex D&;
ascensione recta Solis, adiecto prius integro circulo, detrahatur, (quod fiet, si Dq, ex
toto circulo dematur, & reliquo arcui qBCD, ascensio recta Solis D&; adiiciatur) re-
liquis fiet arcus qBCD&; distanca Solis à stella secundum signorum successione-
num numeratas. Verum eadem bac distanca Solis à stella inuenientur hoc etiam modo. Quando ascen-
sio recta Solis maior reperiatur ascensione recta stella, subtracta hac ex illa, remanebit
distanca Solis quiescere à stella. Ut quoniama DM, ascensio recta stella minor est, quam
ascensio recta Solis DN, subtracto arcu DM, ex arcu DN, relinquatur MN, distan-
cia Solis à stella ab occ. in ortum. Quando autem recta ascensio Sole minor est ascen-
sione recta stella, si illa ex hac subtrahatur, & reliquis numerus ex toto circulo, reli-
qua erit distanca Solis quiescere à stella. Ut posita stella in M, & Solis in D, si D&; ascen-
sio Solis recta ex DM, ascensione recta stella dematur, relinquatur arcus &M, quo suble-
to ex toto circulo, reliquus fiet arcus MC&; distanca Solis à stella ab occ. in ortum.

I AM vero arcus conflatus ex distanca stella à Meridianu supero versus ortum
numeratas, & distanca Solis à stella secundum ordinem quoque signorum computata,
abiecto integro circulo, si conflatus arcus maior fuerit, indicabit distanciam Solis à
Meridianu supero secundum signorum quoque successionem numerandas: que di-
stancia ex integrō circulo derivata distanciam Solis à meridie noram relinquet: Ut in
eodem Analemmate ex AM, distanca stellæ à Meridianu supero versus ortum, &
MN, distanca Solis à stella M, versus ortum, conficitur AN, distanca Solis à Me-
ridiano supero versus ortum: qua ex circulo integro sublata, relinquatur ADN, distan-
cia Soli à meridie. Reducto igitur arcu ADN, ad horas, hora à meridiē elapsa igno-
rari non poterit. Et si plures hore, quam 12. reperta fuerint, detractis 12. horis, reli-
qua erunt hore à med. noct. Rursus posita stella in q, & Sole in N, si ex arcu, qui ex
ABCq, & qABC&;, conflatur, integrus circulus dematur, qui primum ex ABCq,
& qA, conficitur, relinquetur ABC&;, distanca Solis à Meridianu supero ortum ver-
sus numeratas. Sic etiam posita stella in q, & Sole in N, si ex arcu, qui ex ABCq,
& qAN, componitur, integrus circulus tollatur, qui primum ex ABCq, & qA, con-
flatur, remanebit AN, distanca Solis à Meridianu supero in ortum computata. Quod
si forte ascensio recta Solis ascensioni recte stelle deprehensa fuerit aequalis, Sol, & stel-
la aequaliter à Meridianu distabunt versus eandem partem. Quare tunc distanca stel-
la à Meridianu inuenta horam indicabit. Aut si forte differentia rectarum ascensione-
rum Solis, ac stella aequalis fuerit semicirculo, erit distanca stella à Meridianu su-
pero distanca Solis à Meridianu infero aequalis secundum successionem signorum, &
converso. Quocirca distanca Solis à meridie cognita erit. Qua omnia ex eodem
Analemmate perspicua sunt.

Distanca Solis à
stella ab occ. in
ortum quo pa-
cto inuestigatur
ex distanca stel-
la à Meridianu
supero orti ver-
sus numeratas.

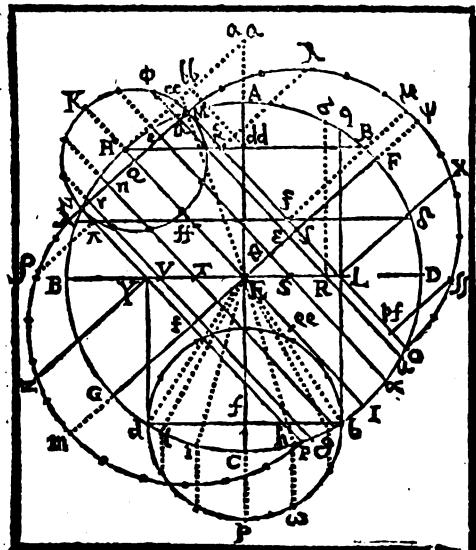
Distanciam solis
à Meridianu fa-
pero ortum ver-
sus, ex distanca
stellæ ab codem
Meridianu, & ex
distanca Solis à
stella, codem or-
dinis inuenta, cab-
ligera.

Distantia Solis à stella versus occasum quo patet
perquiratur.

A L I T E R. Inuenta, ut diximus, distantia stellæ à Meridiano sue in ortum, siue in occasum, auferatur recta ascensio Solis à recta ascensione stellæ, adiecto prius integrō circulo, quando detrac̄tio fieri nequit. Quod enim relinquetur, erit distantia Solis à stellæ versu occasum: Ab hac autem distâcia auferatur distantia stellæ à Meridiano inuenta, si stellæ fuerit orientalis, aut ad distantiam Solis à stellæ adiiciatur distantia stellæ à Meridiano, si stellæ fuerit occidentalis. Quod enim relinquitur, vel conflatur, erit distantia Solis à meridie in occasum: ac proinde hora latere non poteris. Ut si stellæ ponatur in N, & Sol in d, detrac̄ta ascensione recta Solis d, ab ascensione recta stellæ DN, relinquetur N d, distantia Solis d, à stellæ N, versus occasum. Et quoniam stellæ N, vergit à Meridiano in ortum, si ex N d, distantia Solis à stellæ dematur NA, distantia stellæ à Meridiano, relinquetur A d, distantia Solis à meridie versus occasum. Kursus posita stellæ in q, & Sole in d, si detrahatur ascensio recta Solis d, ab ascensione recta stellæ Dq, relinquetur q d, distantia Solis d, à stellæ q, versus occasum. Et quoniam stellæ q, vergit à mer. in occasum, si eius distantia à Meridiano A q, adiiciatur ad q d, distantiam Solis à stellæ, conficitur A d, distantia Solis à mer. in occasum. Item posita stellæ in H, & Sole in G, si ascensio recta Solis DAG, auferatur ex DAH, ascensione recta stellæ, adiecto prius integrō circulo, hoc est, si ascensio recta Solis DAG, dematur ex integrō circulo, & reliquo arcui GD, addatur ascensio recta stellæ DH, prodibit HAG, distantia Solis à stellæ versus occasum: à qua si subtrahatur HA, distantia stellæ orientalis à Meridiano, relinquetur ADM, distantia Solis à mer. in occasum. Denique constituta stellæ in q, & Sole in M, si DM, ascensio recta Solis detrahatur ex rotō circulo, & reliquo arcui MCD, aponatur Dq, ascensio recta stellæ, (hoc est, si ascensio recta Solis detrahatur ex ascensione recta stellæ, adiecto prius integrō circulo) prodibit q DM, distantia Solis M d, à stellæ q, versus occasum: ad quam si addatur occidentalis distantia stellæ à Meridiano A q, confabitur ADM, distantia Solis à mer. in occasum. Distânia porro Solis à stellæ versus occasum in tempus conuersa, indicat horam a mer. qua stellæ ad Meridianum superum pertinet: quia posita stellæ sub Meridianô, eadem distantia est tunc distantia Solis à mer. in occasum.

C O G N I T A autem hora a mer. vel med. noct. facile horam quoque ab ortu, vel propter Sol ante medium noctem, vel post inueniuntur fuerint, si quidem nondum ad medium noctem pertineris Sol, dabis arcus conflatus ex arcibus XM, Mff, hora ab ortu, arcus

Horam, qua relata ad Meridianum pertinet, cognoscere.



occasu reperiemus. Numerata enim ea hora à mer. M, vel à med. noct. O, usque ad ff, prout Sol ante medium noctem, vel post inueniuntur fuerint, si quidem nondum ad medium noctem pertineris Sol, dabis arcus conflatus ex arcibus XM, Mff, hora ab ortu,

arcus vero X° , horam ab occasu: Si autem medium noctem transferit, dabit arcus ex arcibus $X\text{M}$, $M\text{O}$, $O\text{S}$, conflatus horam ab or. arcus vero ex arcibus $X\text{O}$, $O\text{S}$, cem- positus horam ab occasu indicabit.

Q V O D si arcus seminocturnus $X\text{O}$, securt in 6. partes aequales pro horis inaque libus, cognoscetur quoque hora inaequalis, in quam punctum ff , incidit.

I A M vero, quando de horarum inveniente multa diximus, opera precium suo rit docere, quanam ratione ex data hora à mer. vel med. noc. eliciatur iam hora ab ortu, quam ab occasu; & vicissim quo patet ex hora data ab or. vel occ. cognoscatur hora a mer. vel med. noc. Item quo patet ex data hora ab or. inveniatur hora ab occ. & vicissim hora ab or. ex hora ab occ. Hac enim ratione fiet, ut inuenia hora a mer. vel med. noc. (qua inuenio per Astrolabium, vel Analemma facilissima est) illico hora ab or. vel occ. cognoscatur.

I T A Q V E si arcus seminocturnus detrahatur ab hora data à med. noc. (adie-
cis prius 24. horis, si detracatio fieri nequit; Item ad horam data à mer. additis prius 12. horis, ut distantiam à med. noc. habeamus) dabit reliquias numerus horam ab ortu Solis numeratam. Ut arcus seminocturno contineat horas quinque, si data sit hora 8. à med. noc. demaneatur 5. ex 8. relinqueturque hora 3. ab ortu Solis. Si autem sit data hora 3. à med. noc. adieciatur 24. hora, (qua 5. ex 3. auferri nequeunt) & ex conflatis numero 27. tollantur 5. eritque reliqua hora 22. ab ortu Solis. Denique si data sit hora 6. à mer. addantur 12. hora, ut fiat hora 18. à med. noc. & ex numero conflato 18. subtrahantur 5. remanebitque hora 13. ab ortu Solis numerata. Ratio hu-
ius rei perspicua est ex proximo Analemmate. Nam si hora μ, numeretur à punto O, media noctis, si auferatur arcus seminocturnus $X\text{O}$, reliqua erit distantia $X\mu$, a pun-
to ortus X. Si vero eadem hora μ, numeretur à punto M, meridiei, si adieciatur 12. hora, ut habeatur distantia à med. noc. OMμ, & dematur arcus seminocturnus $X\text{O}$, reliqua erit distantia $X\text{M}\mu$, ab ortu punto X. Denique si detur hora ff, à med. noc. à qua auferri nequeat arcus seminocturnus $X\text{O}$, addantur 24. hora, ut habeatur distantia à media nocte OMff , à qua si tollatur arcus idem seminocturnus $X\text{O}$, reli-
qua fiet distantia $X\text{Mff}$, a puncto ortus X. At si eadem hora ff, numerata sit à mer. additis 12. horis, habebitur distantia à med. noc. OMff , à qua si dematur arcus se-
minocturnus $X\text{O}$, relinquetur distantia $X\text{Mff}$, à punto ortus X, ut manifestum est.

S I autem arcus seminocturnus ad horam à med. noc. datam (additis prius 12. horis ad horam à mer. ut distantia à med. noc. habeatur) adieciatur, conflabitur hora ab occasu Solis inchoata; abiectis tamen 24. horis, si abiisci possunt. Ut si data sit hora 8. à med. noc. & opponatur arcus seminocturnus horarum 5. conficeretur hora 13. ab occasu. Si autem data sit hora 6. à mer. addantur 12. ut fiat distantia à med. noc. horarum 18. quibus si adieciatur idem arcus seminocturnus horarum 5. comparetur ho-
ra 22. ab occasu Solis. Ratio quoque huiusc rei obscura non est ex codice Analemmate. Sunamque hora μ, numeretur à med. noc. O, apposito arcu seminocturno $X\text{O}$, no-
ta fiet distantia ab occasu Solis $X\text{O}\mu$. Si vero eadem hora μ à mer. supponatur, adie-
ciendis est semicirculus OM , 12. horarum, ut distantia à med. noc. $\text{OM}\mu$, habe-
tur, ad quam si addatur arcus seminocturnus $X\text{O}$, cognita erit tota distantia ab occa-
su Solis $X\text{O}\text{M}\mu$. Quod si hora ff, à mer. numeretur, apposito semicirculo, ut distantia à
med. noc. habeatur OMff , si addatur arcus seminocturnus $X\text{O}$, fiet distantia ab oc-
cisu $X\text{O}\text{Mff}$, toto circulo maior. abiecto ergo integro circulo XOMX , reliqua erit ho-
ra ab occasu $X\text{ff}$.

V I C I S S I M si arcus seminocturnus addatur ad horam ab ortu Solis, prodicit
hora à med. noc. abiectis tamen 24. si abiisci possunt. Et si numerus conflatus maior
fuerit quam 12. abiectis 12. manebit hora à mer. supponata. Ut si data sit hora 4.

M m m ab ortu,

Reductio hora
à mer. vel med.
noc ad horam ab
ortu Solis.

Reductio hora
à mer. vel med.
noc ad horam ab
occasu solis.

Reductio hora
ab ortu Solis ad
horam à mer. vel
med. noc.

ab ortu, adiecto arcu seminocturno horarum 5. conficitur hora 9. à med. noct. Item si ad horam 22. ab ortu apponamus arcum seminocturnum horarum 5. conflabitur numerus 27. & ab ictis 24. supererit hora 3. à med. noct. Denique si ad horam 10. ab ortu addatur idem arcus seminocturnus horarum 5. exurget hora 15. à med. noct. Abiectis ergo 12. reliqua erit hora 3. à mer. Nam in eodem Analemmate si ad $X\mu$ horam ab ortu X , inchoatam adiiciatur arcus seminocturnus XO , conflabitur distantia $O\mu$. à med. noct. Si autem ad $XM\mu$, distantiam ab ortu X , addatur arcus seminocturnus XO , efficietur distantia $OM\mu$, à media nocte, maior semicirculo. Abiecto ergo semicirculo OM , reliqua erit distantia $M\mu$, à mer. Denique si ad $XMO\overline{S}$, distantiam ab ortu X , adiungatur arcus seminocturnus XO , fieri distantia $OMO\overline{S}$. à med. noct. toto circulo maior. Abiecto ergo integro circulo $OMO\overline{S}$, remansabit distantia $O\overline{S}$, à med. noct.

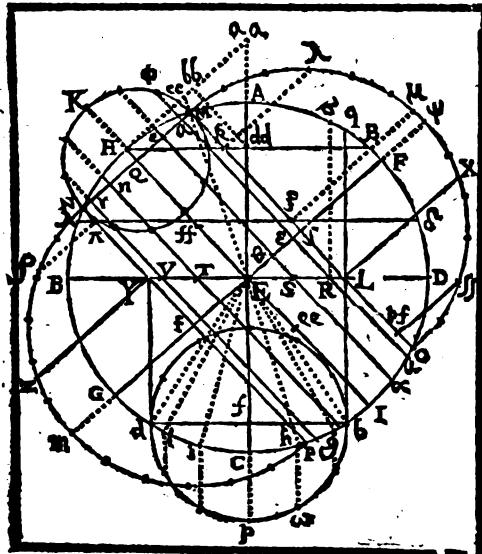
A T vero si arcus seminocturnus derrahatur ex hora ab occasu Solis, adiectis prius

24. si substractio fieri nequit, reliqua fiet hora à med. noct. Et si numerus reliquis maior fuerit, quam 12. abiectis 12. remanebit hora a mer. Vt si ex hora 16. ab occ. derrahamus arcum seminocturnum horarū 5. relinqueretur hora 11. à med. noct. Itē si ex hora 23. ab occ. abiectatur 5. reliqua erit hora 18. à med. noct. hoc est. (abiectis 12.) hora 6. à mer. Denique si hora 3. ab occ. data sit, addemus 24. & ex aggregato 27. reiciemus 5. ut reliqua fiet hora 22. à med. noct. hoc est. (abiectis 12.) hora 10. à mer. In eodem enim Analemmate si ex distantia ab occasu $XO\mu$, derrahatur arcus seminocturnus XO , supererit distantia à med. noct. $O\mu$. Sic etiam si ex distantia ab occasu $XOM\mu$, derrahatur arcus seminocturnus XO , reliqua erit distantia à med. noct. $OM\mu$. & substractio semicirculo OM , reliqua

qua erit distantia $M\mu$, à mer. Denique si ex distantia $X\overline{S}$, ab occasu, addito prius integro circulo $XOMX$, auferatur arcus seminocturnus XO , relinquetur distantia à med. noct. $OM\overline{S}$. hoc est. dempto semicirculo, distantia à mer. $M\overline{S}$.

P R A E T E R E A si torus arcus nocturnus adiiciatur ad horam ab ortu, prodibit (reiectis prius 24. si reici possunt) hora ab occasu. Vt si ad horam 8. ab or. addatur arcus nocturnus horarum 10. conflabitur hora 18. ab occ. Item si ad horam 19. ab or. apponatur idem arcus nocturnus horarum 10. exurget hora 29. ab occ. hoc est. abiectis 24. hora 5 ab occ. Nam in eodem Analemmate, si ad horam ab or. $X\mu$, adiectur arcus nocturnus XOX , conficitur hora ab occasu $XOM\overline{S}$. & abiecto integra

Reductio hora
ab ortu ad horā
ab occasu.



hunc pro circulo XOMX, hora ab occ. Xff, reliqua erit.

D E N I Q U E si totus arcus nocturnus detrahatur ex hora ab occ. ad eundem prius soto circulo, si subtrahit sibi ne quis, reliqua erit hora ab ortu. Vt si ex hora 20. ab occ. deminuit arcus nocturnus horarum 10. relinquetur hora 10. ab or. Item si ex hora 9. ab occ. hoc est, (ad eundem 24.) ex hora 3. ab occ. collatur 10. remanebit hora 23. ab or. Id quod ex eodem Analemmate perspicuum est. Nam si ex hora ab occ. XOM, demas arcum nocturnum XOX, habebis horam ab or. XM. Item si ex hora ab occ. Xff, apponit primum resto circulo Xff, detrahatur arcus nocturnus XOX, reliqua erit hora ab or. XMff.

Reductio horae
ab occidente ad horam
ab ortu.

4. C A E T & R. V. M. uolens in aquales ad aquales reducuntur, & contraria, in danda prius erit, quilibet die magnitudo in aqualis hora, quam diurna, quam nocturna, hoc scilicet modo. Positum gradu Ecliptica opposito ei, quem Sol occupat, hoc est, Nadir Solis, (Ita enim gradum Solis oppositum vocant.) super quamlibet lineam horarum inaequalium, noscitur in limbo punctum a linea fiducia Observoris per gradum Solis tunc transire obsersum; Idemque fiat, posito eodem gradu super proxime in sequentem, vel praecedentem limam horarum. Gradus enim inter duo puncta nostra intercepti quantitate unius hora in aqualis diurna continebuntur. Renovatis igitur illis gradibus ad tempus, cognita tria magnitudo unius hora in aqualis diurna. Quod si idem fiat cum gradu ipso Solis, reperiatur quantitas hora in aqualis nocturna, quam etiam inuenies, si quantitatem hora diurna ex grad. 30. auferas.

Hora in aquali
magnitudinem
per instrumentum
quam hoc instru-
mento cognoscere.

S I N E instrumento certius idem affluerat hoc modo: Diviso arcu semidurno, vel seminocturno (quem exhibet arcus paralleli per gradum Solis descripti inter Horizontem & meridiapam lineam Astrolabij interceptus, vel in Analemmate arcus paralleli circa propriam diametrum descripti inter Meridianum, & perpendiculari, qua ad diametrum ex intersectione ipsius cum diametro Horizonte reducitur, ut in Can. 7. Num. 3. & in eius schola (q. m. 1. scripsimus) in 6. partibus aquales, erit qualibet earum magnitudo unius hora in aqualis 3. diurna quidem, si ad eum semidurno, nocturna vero, si seminocturna diuinis fuerint, parvae aquales. Quia autem quadruplicamus a quibus pars sexta continetur, ex Lemma 3. lib. 1. cognosces. Hac ratione inuenies, Sole in principio 3. existente, horam unam in aqualem diurnam complecti gradus 18. min. 50. fere, hoc est, unam horam aqualem cum 15. minutis, paulo amplius, &c.

P R O P O S I T U M ergo qualibet hora in aqualis diurna, si eius numerus multiplicatur per quantitatem unius hora in aqualis diurna, & creabitur distantia Solis ab ortu. Si vero numerus cuiuslibet hora in aqualis nocturna ducatur in quantitatem unius horae in aquali nocturna, distantia Solis ab occasu producetur. Atque hoc modo redacterit qualibet hora in aqualis diurna ad horam ab ortu Solis, & nocturna vero ad horam ab occidente numerata, hinc vero per reductionem hora ab or. vel occ. ad horam a mer. vel med. hoc cogitescet quoque hora a mer. vel med. noc. data hora in aquali respondens.

Reductio horae
in aquali ad 3.
qualem.

E C O N T R A R I O si interdiu distantia Solis ab ortu, vel noctu distantia ab occasu dividatur per quantitatem unius hora in aqualis diurna, vel nocturna, prodibit numerus hora in aqualis diurna, vel nocturna. Quod si data hora a mer. vel media noctis inuenienda sit hora in aqualis respondens, redicenda prius erit procedens ad horam ab ortu, noctu vero ad horam ab occasu inchoantem, &c.

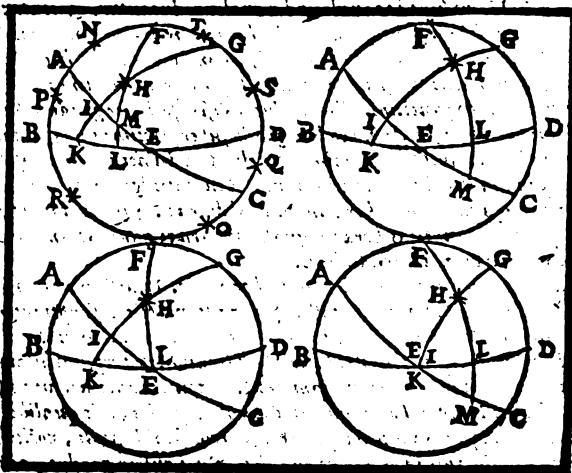
Reductio horae
aquale ad in-
qualem.

5. P E R calculum finissimum hoc modo hora quoque aqualis inuenietur ex altitudine Solis interdiu, & nactu ex parte diu alicuius sedis. (modo autem repposte hoc quod proponit in ultima propos. lib. 1. nostra Gnomonica explicatas, quarum omnium expeditissima est, que proxime rationem, quippe triangulus fiducia absoluatur, nunc edat.)

Hora in aquale
per hanc indeci-
gari.

M m m m a per annus

Perantur priores 4. circuli ex 12. illis, quos ad calorem schooli C'an: 3. attulimus, in quibus ABCD ponatur Meridianus; DEB, Horizon, eiusque polus F; & Aquator AEC. & eius, vel mundi p. luce G; Verticalis per Solem, vel stellam H, ductus FL; ita ut H, sit eius alterudo supra Horizontem; Circulus horariorum, vel declinationis GI, ita ut declinatio suu HI, sine borealis, sive australi. Quoniam igitur in triangulo sphærico FGH, tria latera nova sunt cum EG, sic complanatum alterudinie poli, FH, complementum alterudinis Solis, ubi Helle; & GH, complanatum declinationis, quando declinatio borealis est, quoniam autem declinatio est australis, habebit arcus GH, secundum finum,



quem reliquus arcus ex semicirculo in altero polo terminatus, qui complementum est declinationis australis, cognoscetur angulus FGH, ex problema 2. i. triang. sphæ. et primi Lemmati, hoc modo. Fiat ut sinus totus, ad finum arcus FG, complementum alterudinis poli, ita sinus arcus GH, complementum declinationis, ad aliud, produceturque quartus quidam numerus. Rursus fiat, ut quartus numerus inveniatur ad sinum totum, ita differentia inter sinum versus arcus EH, complementi alterudinis Solis, aut stellæ, & sinum versus arcus, quo duo latera FG, GH, inter se differunt, ad aliud, gignaturque sinus versus anguli quadrati FGH, in quo cognita erit distans astri AI, Meridianu numerata; que versus versus arcum numeranda sit, anversus occasum, sius ipsius astri decibis, prout videlicet in hemisphærio orientali, vel occidentali extiterit.

HAE C. distans Solis a Meridianu innata horam ignoraui non sine peccatis, sed vera stella ab eodem Meridianu hora elicenda sit, ut Num. 2. decimus.

C A N O N I X.

QVA hora Sol, aut quævis stella oriatur, & occidat, aut ad Meridianum perueniat: Et qui dies, & no-

tes

Cætes æquales inter se fint : Denique qui dies habeant
arcus diurnos , nocturnosque alternatim æquales , in-
quirere .

1. CIRCV M VOLVT O reti, donec gradus Solis , vel cacumen stellæ
propositæ in Horizonte orientali , sive recto , sive obliquo reperiatur , linea fi-
ducia Ostensoris gradui Solis superposita indicabit in limbo horam , qua tunc
Sol vel stella oritur : quia gradu Solis , vel stellæ existente in Horizonte , hoc
est , oriente supra Horizontem , sphæra eum situm obtinet , quem Astrola-
biu[m] tuuc indicat . Eodem pacto horam occasus reperies , si gradum Solis ,
aut cacumen stellæ in Horizonte occidentali , & lineam fiducia[m] supra gradum
Solis colloces .

Moram ortus , et
caelique solis ,
vel stellæ cœtu-
nis per Astrola-
biu[m] inuestigare

2. NON aliter horam , qua proposita stella cœlum mediat , id est , ad Meri-
dianum peruenit , (Sol enim semper in meridie ; hoc est , hora 12. in Meridianu[m])
periore existit , media vero nocte in Meridianu[m] inferiore) inuenies , si eius cacu-
men in linea meridianâ tam supra Horizontem , quam infra , constitutas , & li-
næam fiducia[m] gradui Solis superponas .

Moram , qua fel-
la cœlu[m] mediat ,
ex Astrolabi co-
gescere .

3. IAM si in reti accipiantur duò quilibet gradus Eclipticæ æqualiter à
principio , vel 10° , distantes , & in dorso Astrolabii reperiantur duo dies illis
gradibus respondentes ; habebunt duo illi dies arcus diurnos , nocturnosque
æquales , eandemque horam ortut[us] , atque occasus .

Qui dies ac ne-
dies inter se finit
æquales , ex Ae-
strolabio ducere .

4. SI autem in reti sumantur qualibet duo gradus Eclipticæ a principio
vel 10° , æqualiter remoti , & in dorso Astrolabii duo dies illis gradibus accipian-
tur respondentes , erit arcus diurnus unius , æqualis arcui nocturno alterius , &
nocturnus unius diurni alterius .

Qui dies habebit
arcus diurnos &
nocturnosque al-
ternatim æqua-
les .

5. ABSQVE instrumento hunc in medium progrediemur . Per gradum
Solis , vel per stellam , describemus ex E , centro parallelum , donec Horizontem
secet , ac Meridianum . Arcus enim eius inter Horizontem & Meridianum pos-
tus metietur distantiam Solis , aut stellæ a Meridiano , cum oritur ; quæ distantia
si Solis est , in tempus conuersa , indicabit , quot horis ante meridiem Sol oritur ,
& quot horis post meridiem occidat . Quare si dictæ horæ ex 12. auferantur , rest-
quæ erunt horæ post medianam noctem , quibus Sole exoritur . Ut Sole existente in
principio 10° , cuius parallelus Horizontem secat in S , & Meridianum superior-
tem in F ; arcus FS , est Solis in S , existens distantia a meridie , &c .

HORA M , autem ortus stellæ situm v.g. habentis in Z , cuius parallelus Ho-
rizontem secat in d , (Eius namque distantia a Meridiano horam non indica-
bita venaberis . Ducta recta EZ , ad situm stellæ ; recta Ed , ad intersectionem paral-
loli stellæ cum Horizonte , & recta Es , ad gradum Solis , quem nunc ponamus es-
se principium 10° ; accipiatur arcus Aequatoris fθ , inter rectas EZ , Es , æqualis
arcus a puncto intersectionis rectæ Ed , cum Aequatore , usque ad punctum cd ,
ita ut punctum cd , versus eandem partem a puncto rectæ Ed , recedat , versus
quam punctum θ , a puncto f , remouetur . Nam arcus BCcd , erit distantia Solis ,
vel principii 10° ante meridiem , cum stella in d , oritur : propterea quod si cohici-
piatur moueri rete , donec recta EZ , rectæ Ed , hoc est , donec stella Z , in d , exi-
stat , recta Ed , secabit Aequatorem in cd , propter dictos duos æquales arcus ac-
ceptos , &c .

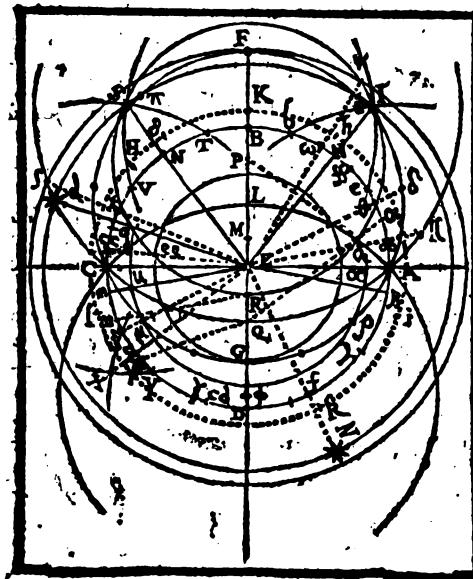
NON aliter horam , qua stella eadem occumbit , inuestigabis . Nam si arcus
predicti fθ , a puncto intersectionis Aequatoris cum recta , quæ ex E , ad interse-
ctionem

& ionem parallelī stellæ cum Horizonte occidentali ducitur, secundum suē fationē signorum æqualis arcus sumatur, (nimur verius eandem partem ab illo puncto intersectionis recedendo, in quam punctum θ , a puncto f , recedit) erit terminus huius arcus punctum illud, ad quod gradus Solis peruenit eo tempore momento, quo stella occidit. Itaque arcus Aequatoris inter idem punctum, & meridianam lineam EF, distantia erit Solis ante meridiem, vel post, prout punctum illud in parte orientali Astrolabii existet, aut occidentali. Sic etiam hora, qua ad Meridianum stella peruenit, inuenietur, si arcui $f\theta$, æqualis acti platur BC. Nam cum primum recta EZ, ad rectam EB, peruenire, congruit recta $E\beta$, recta EC, ac propterea arcus BC, distantia erit Solis ante meridiem. Quod si eidem arcui $f\theta$, æqualis sumatur DA, erit arcus BA, distantia Solis post meridiem, stella existente in Meridiano infra Horizontem: propterea quod, mota recta EZ, ad rectam ED, recta $E\beta$, recta EA, congruit, ob arcus $f\theta$, DA, æquales.

Densque non alia ratio est inuestigandæ horæ, quando stella in Horizonte. Vel Meridianio existit, quam quando in alio puncto cœli reperitur. Hac enim eadem ratione supra in Can. 8. Num. 6. ex situ stellæ Z, in puncto S, quem ex eius altitudine, & parallelo inuenimus, reperitur est arcus BC, distantia Solis Meridiani in principio m , existentis; quia nimur arcum NC, arcui $f\theta$, accepimus æqualem, &c. Ex quo perspicuum est, si in recta EC, sumatur recta æqualis semidiametro paralleli Solis $E\beta$, & per extremū punctum intervallo semidiametri Horizontis KQ, duo circuli horariorum, quorum centres in parallelo Kg, existant, de scribantur, inuentam quoq;

esse horam tam ab ortu, quam ab occasu, qua stella Z, cœlum mediat. Item si ex recta Ecd, producta abscindatur recta eidem $E\beta$, æqualis, & per extremum punctum eodem modo duo circuli horariorum describantur, horam tam ab or. quam ab occ. inuentam esse, qua eadem stella in d, oritur supra Horizontem, &c. Hac tamen conditione seruata, ut horarius circulus, cuius conuexo occurrimus a puncto C, versus B, progredientes, horam ab ortu Solis indicet; circulus vero horarius, cuius concauo occurrimus à puncto A, versus D, procedentes, horam à Sececcis occasu demonstrat: quod ex iis perspicuum est, quæ lib. 2. propos. 9. Num. 7. demonstrata sunt a nobis.

6. ALIA duo reperiuntur, ut Num. 3. & 4. dictum est, nisi quod dies gradibus Eclipticæ respondentes non ex dorso Astrolabii, sed ex tabula scholii Canonis 2. inquirendi sunt.



S C H O L I V M.

1. IN Analemmate recta, qua ex intersectione diametri Horizontis cum diametro parallelis Solis ad eandem hanc diametrum educitur perpendicularis, auctor ex semicirculo circa diametrum eiusdem parallelis descripto arcus deficiens Solis à mer. vel med. nec. arcum videlicet semidurnam à seminocturno diximemus. Ut in Analemma superiori scholiis Canonis 6.7. & 8. Sole existente in principio Σ distantia eius a mer. est arcus MX; à med. nec. auecum arcus OX, &c. Hora vero ortus vel occasus stellae difficultius per Analemma inquiritur. Primum enim inuestiganda est eius distansia à Meridiano, cum oritur, vel occidit, hoc est, eius arcus semidurnus, ut in scholio Can. 7. Num. 1. docuimus. Deinde ex hac distancia, inquirenda distansia Solis à Meridiano, ut in scholio praecedentis Canonis Num. 2. scripsimus. Ex hac enim distansia nullo negotio hora colligetur, ut ibidem traditum est.

Horam ortus et
casusque Solis,
vel stellae per A-
nalemma inuen-
tis.

2. V T autem per sinum doctrinam hora ortus occasusque Solis, vel stellae elicatur, inuestigandus erit arcus semidurnus ex Σ , que in scholio Can. 7. Num. 3. scripta sunt. Hic enim distansiam Solis, vel stellae à Meridiano supero manifestabili, quando oritur, vel occidit. Quocirca hora ortus, occasusque Solis ignorari non poterit. Ex distansia autem stellae à Meridiano eruenda erit hora ortus ipsius aequa occasus, ut proxime Num. 1. scripsimus.

Hora ortus, occa-
susque Solis, vel
stellae, quo pacto
per sinus inqui-
renda sit.

C A N O N . X.

I N I T I V M , finem , & durationem vtriusque crepusculi, tam matutini, quam vespertini, perquirere.

1. P O S I T O gradu Solis supra lineam crepusculi ex parte orientali; notetur in limbo hora, vel horæ pars, quam linea fiducia Ostensoris gradui Solis in eo situ superposita indicat. Ea enim dabit initium Crepusculi matutini. Promoto deinde gradu Solis usque ad Horizontem, indicabit in limbo eadem linea fiducia gradui Solis superposita horam, vel partem horæ, qua matutinum crepusculum finitur, vel cessat. Tempus autem interiectum inter initium ac finem, Crepusculi totius matutini durationem determinabit. Non aliter Crepusculi vespertini principium, finem, ac durationem inquires. Nam positò gradu Solis supra Horizontem ex parte occidentali, monstrabit linea fiducia gradui Solis superposita in horis limbi initium Crepusculi vespertini. Promoto deinde gradu Solis ad lineam Crepusculinam usque, ostendet in limbo eadem linea fiducia gradui Solis superposita horam, vel partem horæ, qua vespertinum Crepusculum euanebit. Tempus vero interiectum inter initium, ac finem, totius vespertini Crepusculi magnitudinem exhibebit, quæ quidem semper quantitati Crepusculi matutini æqualis deprehendetur. Gradus porro limbi inter puncta, quæ a linea fiducia Ostensoris gradui Solis tam in linea Crepusculina, quam in Horizonte existentis superposita indicantur, in tempus conuersi, moram quoque Crepusculi vtriusque exhibent.

Crepusculi ma-
tutini, ac respe-
ctuum quantum
daret, & qua ho-
ra incipiat, & fi-
niatur, ex infra-
moto cognoscere

2. S E D quoniam linea Crepusculina nō facile sine errore describitur, propter ea

Alia Crepusculi
lineatio carcer,

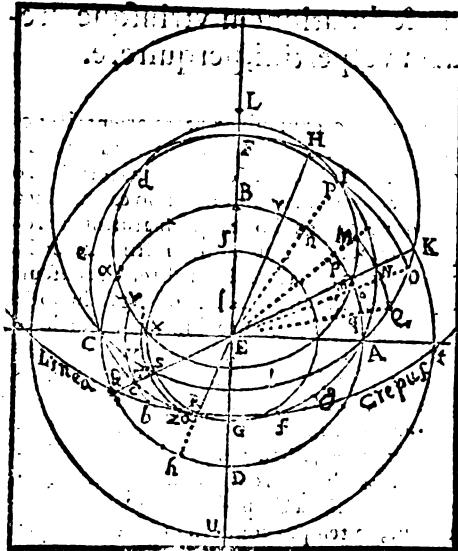
pterea quod eius centrum nimis procul à cetro Astrolabii excurrit, inuestigari poterit idem Crepusculum, etiam si linea Crepusculi non sit, accuratius hoc modo. Ponatur gradus Eclipticae loco Solis oppositus in parallelo Horizontis grad. 18. ex parte occidentali; Multo enim certius parallelus Horizontis ab eo gr. 18. versus Zenith distas describitur, quā eius oppositus recedens ab eodem grad. 18. versus Nadir. Et quia tunc gradus Solis necessario constitutetur in puncto opposito, nimirum in ipsa linea Crepusculina ex parte orientali, hoc est, per gradum Solis in eo situ linea Crepusculina transire debet, monstrabit linea fiducia Osterioris gradui Solis superposita in limbo horam initii Crepusculi matutini, ut prius. Promoto autem gradu Solis ad Horizontem usque, indicabit eadem linea fiducia gradui Solis superposita horam finis eiusdem Crepusculi in limbo. Eodem modo, posito gradu Eclipticae, quā loco Solis opponitur, in parallelo Horizontis grad. 18. ex parte orientali, ostenderet linea fiducia gradui Solis incumbens, horam finis Crepusculi vespertini in limbo. Restituto vero gradu Solis ad Horizontem, dabit eadem linea fiducia per gradum Solis incedens principium eiusdem Crepusculi in limbo. Tempus porro inter principium, & finem utriusque Crepusculi positum, durationem Crepusculi metietur. Sed inuenio alterius Crepusculi, habebitur etiam alterum, cu illi sit æquale; Et hora principii utriusque 12. horis subducta relinquet horam finis alterius; hora vero finis vnius ex 12. horis sublata, horam initij alterius relinquit.

IAM si noctu per stellæ alicuius altitudinem hora inueniatur, ut Can. 8. Numeri 2. & 6. precepimus, illico cognoscet, quantum a principio, aut fine Crepusculi tam matutini, quam vespertini distet; si nimirum horam instantiam cum hora initij, aut finis Crepusculi conferat, ut perspicuum est:

3. SINE instrumento ita agemus. Sit Aequator ABCD, circa centrum E; tropici FHK, GRS; Horizontis obliqui KAC; & linea Crepusculina, id est, parallelus Horizontis grad. 18. ab eo distans in inferno hemisphaerio Rab, cuius centrum L; & denique Ecliptica AFCG, cuius polus l, diuisa in 12. signa perfectas ex 1. per 12. partes equalles Aequatoris eductas in partis C, c, Z, G, f, g, A, N, P, E, d, e. Si igitur per datum punctum Ecliptice parallelus Aequatoris describatur, erit eius arcus inter lineam Crepusculinam, & Horizontem sive ex parte orientali, sive occidentali interceptus, magnitudo Crepusculi tam matutini, quam vespertini. Initium autem matutini metietur arcus parallelus à linea meridiana infra AC, usque ad lineam Crepusculinam numeratus; finem autem arcus eiusdem parallelus eodem modo usq; ad Horizontem

Quo modo ex uno Crepusculo erastur initium, & finis alterius Crepusculi eiusdem diei. Quantum a principio, aut fine Crepusculi differt, cognoscere.

Crepusculem utrumque hoc Astrolabio matutinam inueniatur.



Digitized by Google

rizontem computatus metietur. At vero vespertini principium metietur arcus parallelis à linea meridiana supra AC, usque ad Horizontem numeratus, finem autem dabit arcus eodem ordine usque ad Crepusculinam lineam numeratus. Exemplis causa. Sole existente in principio S , Crepusculi utriusque magnitudo erit arcus RS, & horam initii matutini Crepusculi dabit arcus GR, & horam finis arcus GS, a med. noc. numerandam: horam autem initii Crepusculi vespertini numerabit arcus fS, & horam finis arcus fR, à meridie inchoata. Rursum Sole in principio D , existente, utriusque Crepusculi magnitudo erit arcus E_K , tropici D , inter Horizontem & lineam crepusculinam; & arcus u E , a med. noc. supputatus dabit initium Crepusculi matutini, & arcus t E_K , finem: at arcus FK, numeratus a meridie indicabit principium vespertini Crepusculi, & arcus Ft, finem. Item arcus a T, erit duratio Crepusculi utriusque, Sole existente in principio M . & Q . Et arcus hV, Crepusculum utrumque metietur, Sole existente in principio S , & M . Arcus denique kC, durationem eiusdem numerabit. Sole in punctis æquinoctialibus existente, & sic de ceteris. Initium autem & finem cuiuslibet Crepusculi determinabit arcus proprii paralleli usque ad lineam meridianam producti, ut expositum est. Vel si maius, initium ac finis cuiuslibet Crepusculi sumi poslunt in Aequatore à linea meridiana usque ad rectas ex E, centro per terminos arcus Crepusculi emissas: vt quoniam RS, arcus est Crepusculi D , si per R, & S ex E, recte emittantur secantes Aequatorem in h , k , dabit arcus Dh, initium Crepusculi matutini, & Dk, finem: at arcus Bk, monstrabit principium Crepusculi vespertini, & Bh, finem; propterea quod arcus Dh, Dk, arcibus GR, GS, & arcus Bk, Bh, arcibus fS, fR, similes sunt, ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. &c.

Q V A N D O autem linea Crepusculina descripta non est, aut non facile describi potest, explorabimus Crepusculum cuiuslibet puncti Eclipticae exquisitissime sicut alio modo. Describagur supra Horizontem eius parallelus grad. 18. ab eo distans, & parallelo Crepuscula terminans oppositus HIm. Hic enim facilius, quam parallelus Crepuscula terminans describetur, cum totus intra Horizontem contineatur, ac proinde diameter eius apparet, & centrum commode haberi possint. Deinde per punctum Eclipticae oppositum puncto, cuius Crepusculum consideratur, parallelus Aequatoris ex E, describatur. Arcus namque eius inter Horizontem & eius parallelum HIm, positus quantitatem Crepusculi, qualiter exhibebit, cuius initium, finemque arcus Aequatoris inter meridiadam lineam, ac rectas ex centro E, per terminos predicti arcus Crepusculi emissas monstrabunt, ut paulo ante dictum est. Verbi gratia. Arcus tropici D , H , inter Horizontem & eius parallelum grad. 18. erit magnitudo Crepusculi tam matutini, quam vespertini. Sole existente in principio S : Et principium matutini determinabit per arcum FH, & finis per arcum FK, a med. noc. inchoatum: vespertini autem initium offeret arcus u E_K , & finem arcus uH. Vel ductis rectis EH, E_K , secantibus Aequatorem in r, m; principium matutini metietur arcus Br, & finem arcus Bm, usque ad rectam E_K : at vero initium vespertini dabit arcus Dm, usque ad rectam E_K , finem autem arcus Dr, quod arcus Br, arcus FH, similis sit, & Bm ipsi FK, & Dm, ipsi u E_K , & Dr, ipsi uH, ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. Eadem ratione arcus IO, per principium T , & M , descriptus erit Crepusculum principii M . & Q , & initium matutini dignoscetur per arcum Bn, & finis per arcum Bo; Vespertini vero initium exhibebit arcus Do, & finem arcus Do. Sic arcus MQ, per initium M , & X descriptus erit Crepusculum principii S , & M : Et matutini principium exhibebit arcus Bp, & finem arcus Bq: vespertini

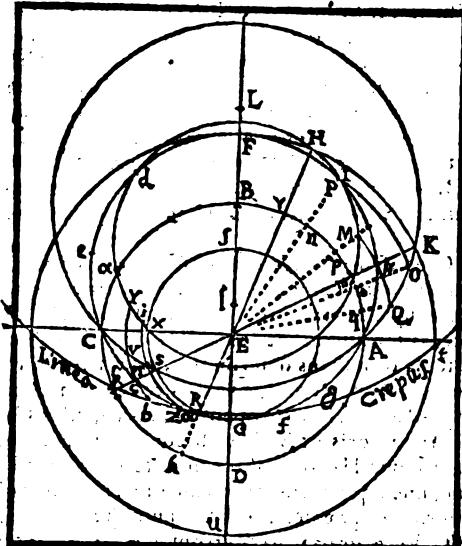
Crepuscula inco
nit aliis nos
affolantur me
teriali.

N n n n n

etni autem initium dabit arcus Dq, & finis arcus Dp. Item arcus Aequatoris Am, per principium ω , descriptus inter Horizontem, & eius parallelum grad. 18. erit Crepusculum principii γ : Et matutini principium dabitur per arcum Bm, usque ad parallelum Horizontis, finis vero per arcum BA. E contrario arcus tropici β , SX, inter Horizontem atque eius parallelum grad. 18. erit Crepusculum principii λ : Arcus vero Ti, per initium π , & Ω , descriptus, Crepusculum erit principii $\hat{\pi}$, & ∞ : Et arcus VY, per principiū γ , & $\eta\pi$, descriptus, Crepusculum erit principii m , & χ . Arcus denique Aequatoris Ca, per primū punctum γ , descriptus, Crepusculum erit primi pūcti ω . Initia autem, & fines horum Crepusculorum inuenientur, vt prius, si ex E, per terminos arcuum inter Horizontem, & eius parallelum grad. 18: positiorum recte ducantur: hoc obseruato, vt initium, ac finis cuiusvis Crepusculi matutini numeretur à med. nocte vespertini autem à meridie. Item ut initium matutini Crepusculi incipiat in Aequatore à punto, per quod transire recta ex E, per terminum arcus Crepusculi in parallelis Horizontis educta; finis vero à punto, per quod ducitur recta ex E, per terminum effundendam arcus Crepusculi in Horizonte emissa: At vero initium, ac finis Crepusculi vespertini contrario modo sumuntur: Denique si posteriore hac via fine linea Crepusculina Crepuscula inquiruntur, vt initium ac finis cuiusvis Crepusculi numerari incipiatur a punto B; vespertino vero a punto D.

IN VENIR I autem Crepusculi cuiusvis puncti Ecliptica per atcam, qui per planum oppositum describitur, ita demonstrabimus: Quoniam per quodlibet punctum circuli non maximi in sphera, vt per H, circulus maximus eum tangens describi potest, b tangent circulus ille maximus alium non maximum priori aequalis, parallelum & oppositum. Cum ergo HE, sit diametrum illius circuli maximi, vbi ea occurrit linea Crepusculi in R, ibi idem circulus maximus parallelum Horizontis baRt, parallelo HImm, oppositum tangent: ideoque cum per coroll. propos. 6. lib. 2. Theod. puncta cōtactum per diametrum spherae opposita sint, erunt puncta H, R, per diametrum opposita. Igmar existente principio λ , in H, existet principium β , in R, pūcto linea Crepusculina, atque idcirco Sole ibidem existente, Crepusculum matutinum incompletum. Quando autem raptu primi mobilis initium λ , ad K, peruenierit, existet primum punctum β , in S, quod puncta K, S, in Horizonte sint etiam per diametrum opposita, nimirum occasus β , & ortus β . Arcus ergo HK, quem eodem tempore

Quid obseruas.
dam in Crepuscu-
lenti cuiusvis ini-
tio, ac finis deter-
minando.



et 4. 2.
Theod.
b. 6. 2.
Theod.

per quodlibet punctum circuli non maximi in sphera, vt per H, circulus maximus eum tangens describi potest, b tangent circulus ille maximus alium non maximum priori aequalis, parallelum & oppositum. Cum ergo HE, sit diametrum illius circuli maximi, vbi ea occurrit linea Crepusculi in R, ibi idem circulus maximus parallelum Horizontis baRt, parallelo HImm, oppositum tangent: ideoque cum per coroll. propos. 6. lib. 2. Theod. puncta cōtactum per diametrum spherae opposita sint, erunt puncta H, R, per diametrum opposita. Igmar existente principio λ , in H, existet principium β , in R, pūcto linea Crepusculina, atque idcirco Sole ibidem existente, Crepusculum matutinum incompletum. Quando autem raptu primi mobilis initium λ , ad K, peruenierit, existet primum punctum β , in S, quod puncta K, S, in Horizonte sint etiam per diametrum opposita, nimirum occasus β , & ortus β . Arcus ergo HK, quem eodem tempore

tempore principium X , percurrit, quo principium O , arcum Crepusculi RS, absolvit, (quippe qui illi similis sit, ex scholto propos. 22. lib. 3. Eucl. ob angulos aequales HEK, RES, ad uerticem in centro) durationem Crepusculi primi puncti O , metietur. Non aliter ostendemus, arcum IO, similem esse arcui Crepusculi a T, propterea quod eandem ob causam, existente principio P , vel O , in I, principium II , vel Q , existit in a, punto linea Crepusculi; eodem vero principio P , vel O , promoto ex I, ad O, punctum Horizontis, principium II , vel Q , promotum tunc est ad punctum Horizontis ad punctum T, atque ita de ceteris.

S C H O L I V M.

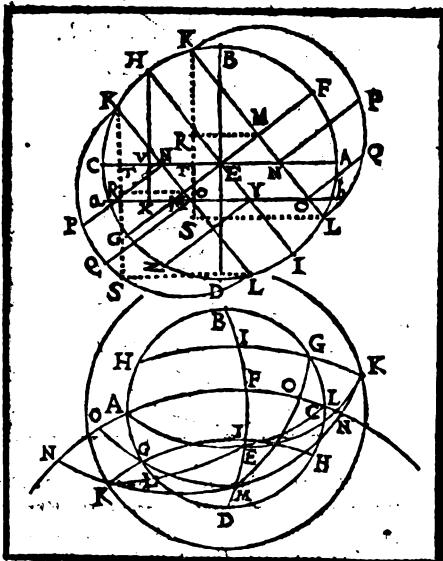
1. EXPEDITE quoque Crepuscula ex Analemmate cognoscemus. Sit enim Meridianus Analemmatis ABCD, circa centrum E; diameter Horizontis AC; Verticalis diameter BD; axis mundi FG; Aequatoris diameter HI; diameter paralleli Solis sive borealis, sive australis

Crepuscula ex
Analemmate in-
quiritur.

KL , circa quem semicirculus descripsit KPL; & diametrum a b' diameter paralleli Horizontis grad. 18. in hemisphario inferno, in quo Crepuscula omnia incepunt & desinunt. Si igitur ex N, O, intersectionibus diametri KL , cum AC, & a b', ad KL, perpendicularares educantur NP, OQ; erit arcus PQ, magnitudo Crepusculi: quod si fuerit minutum, distabis eius initium a med. noc. per arcum LQ, & finis per arcum LP; si vero vespertino fuerit, distabis eius principium a meridie per arcum KP, & finis per arcum KQ; proponera quod NP, communus secio est paralleli Solis, & Horizontis, ut in scholio Can. 7. Num. 1. ostensum est; acque causa de causa QD, communis secio circumferentia paralleli Solis ac paralleli Horizontis. Simili modo ducat YB, ad ML, perpendicularis; erit arcus GZ, longitudine Crepusculi, sed in aquino exsistens; & maximi quidem initium a med. noc. distabis per arcum IZ, & finis per arcum IG; vespertino vero principium a meridie distabis per arcum HG, & finis per arcum HZ.

2. PER finis ista Crepuscula superabundat; si prius finum versus arcus semidiurni inquiramus hoc modo. In Analemmate ex punctis extremis K, L, diametri paralleli ducantur diametro Verticalis BD, & diametro Horizontis AC, parallela recta KS, LS, secantes se in S, & que ex M, punto medio diametri paralleli, ubi axis mundanus intersectat, eidem diametro Horizontis AC, aliaparallela agatur MR: eritque recta KS, in R, ficta bifurcata, & cum sit, ut KM, ad ML, ita KR, ad RS: a, s. sexti.

Nunn 2 ipsa



Sinu versum
arcus semidiurni,
ideoque & ip-
si arcus semi-
diurni per un-
meros explorare

Crepuscula per
numeros indi-
gno.

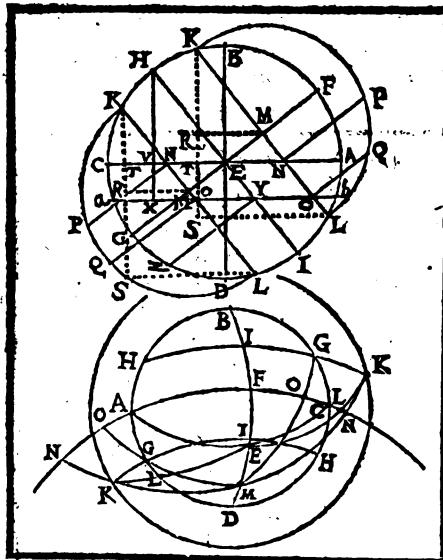
ipsa numerum KS , conflata erit ex KT altitudine meridianæ diæ parallelis, & ex TS , si-
nu depressionis meridianæ eiusdem parallelis, que depresso altitudini meridianæ paral-
lēlē oppositiæ equalis est. Igitur si fiat, ut KR, semissis rectæ KS , conflata ex sinu
altitudinis meridianæ, & ex sinu depressionis meridianæ, ad KT , sinum altitudi-
nis meridianæ, ita KM , sinus totus ad aliud, producetur KN , sinus versus arcus
semidiurni KP . Ex hoc sinu verso eruetur ipse semidiurnus arcus, ut in expositione ta-
bule sinuum docuimus.

I AM si rursus fiat, ut KR, semissis rectæ KS , conflata ex sinu altitudinis me-
ridianæ, & sinu meridianæ depressionis, ad sinum arcus grad. 18. (hoc est, ad
segmentum rectæ KS , inter AC, & ab.) ita KM , sinus totus ad aliud, reperiatur
recta NO ; que ad sinum ver-
sū KN , arcus semidiurni adie-
cta conficit KO , sinus versus
arcus KQ , ex arcu semidiurno
 KP , & arcu Crepusculi PQ ,
conflati. Si ergo ex hoc arcu
 KQ , arcus semidiurnus subtra-
hatur, reliquus erit arcus Cre-
pusculi PQ .

SED & per triangula sphä-
rica idem Crepusculum inuesti-
gari potest. Sit enim Horizon
 $ABCD$; Meridianus BD ; Aequator AFC ; parallelus Solis
quicunque GIB ; polus Horizontis E ; Verticalis primarius
 AEC ; parallelus Crepusculorum
 KK , infra Horizontem grad. 18.
ab eo distans, secans parallelam
Solis in K , ita ut KG , sit ar-
cus Crepusculi, Sole parallelus
 GJH , percorrere, cuius similitus est
arcus Aequatoris NO , quem
maximi circuli MG , MK , ex
M, polo mundi agredientes in-

tercipiunt. Hunc ergo inueniemus hac ratione. Ducto per K , venrum Solis in princi-
pio matutini, aut fine vespertini Crepusculi, Verticalis EK , secante Horizontem in L ,
quoniam in triangulo sphärico EKM , omnia tria latera nota sunt; (EL enim EM =
arcus complementi altitudinis poli MK , arcus complementi declinationis Solis in pa-
rallelo boreali, in australi vero, arcus conflatus ex quadrante MN , & declinatione
 NK ; arcus denique EK , conflatus ex quadrante EL , & arcu LK , grad. 18.) co-
gnoscetur per problema s. triang. sphä. ultimi Lemmatis, angulus EMK , ac pro-
inde eius arcus FN , hoc modo. Fiat vt sinus totus ad sinum lateris MK , (quod est
vel cōplementum declinationis, vel arcus conflatus ex quadrante, & declinatio-
ne) ita sinus lateris EM , complementi altitudinis poli, ad aliud, inuenietur
que quartus quidam numeras. Et si rursus fiat, vt quartus numerus inuentus
ad sinum totum, ita differentia inter sinum versus lateris EK , compositi ex
grad. 90. & ex grad. 18. & sinum versus arcus, quo duo latera ME , MK , fac-
ter se differunt, ad aliud, producetur sinus versus anguli questi $E MK$; ideo
que an-

s, 10. 2.
Theod.



serpiciunt. Hunc ergo inueniemus hac ratione. Ducto per K , venrum Solis in princi-
pio matutini, aut fine vespertini Crepusculi, Verticalis EK , secante Horizontem in L ,
quoniam in triangulo sphärico EKM , omnia tria latera nota sunt; (EL enim EM =
arcus complementi altitudinis poli MK , arcus complementi declinationis Solis in pa-
rallelo boreali, in australi vero, arcus conflatus ex quadrante MN , & declinatione
 NK ; arcus denique EK , conflatus ex quadrante EL , & arcu LK , grad. 18.) co-
gnoscetur per problema s. triang. sphä. ultimi Lemmatis, angulus EMK , ac pro-
inde eius arcus FN , hoc modo. Fiat vt sinus totus ad sinum lateris MK , (quod est
vel cōplementum declinationis, vel arcus conflatus ex quadrante, & declinatio-
ne) ita sinus lateris EM , complementi altitudinis poli, ad aliud, inuenietur
que quartus quidam numeras. Et si rursus fiat, vt quartus numerus inuentus
ad sinum totum, ita differentia inter sinum versus lateris EK , compositi ex
grad. 90. & ex grad. 18. & sinum versus arcus, quo duo latera ME , MK , fac-
ter se differunt, ad aliud, producetur sinus versus anguli questi $E MK$; ideo
que an-

que angulus ipse, eiusque arcus F N, notus sit: ex quo si demptus arcus semidiametrius F O, reliquus sit arcus Crepusculi N O.

C A N O N X I .

Q VAE puncta Eclipticæ in Meridiano, atque Horizonte, vel quolibet alio circulo Eclipticam secante existant, & quanam in domo cœlesti proposita quævis stella, aut punctum Eclipticæ, quoquis temporis momento reperiatur, explorare:

1. D I V R N O tempore capiatur altitudo Solis, eaque inter Almucantarah ex parte orientali, vel occidentali, prout tempus antemeridianum, aut pomeridianum fuerit, numeretur. Si enim gradus Solis ad Almucantarah inuenire altitudinis promouetur, repræsentabit Eclipticæ eum situm, quem in cælo sunc habet; ac proinde puncta Eclipticæ, quæ tunc in meridiâna linea, Horizonte, & in quolibet alio circulo, siue is Verticalis sit, siue circulus positionum, siue parallelus Horizontis, siue alius circulus quicunque tam maximus, quam non maximus, reperiuntur, erunt ea, quæ eo tempore in dictis circulis existunt in cælo. Immo & stellæ in reti descriptæ indicabunt situm, quem in cælo tunc ostinent.

T E M P O R E vero nocturno altitudo alicius stellæ obseruetur, atque cumen stellæ in Almucantarah inuenire altitudinis collocetur vel ex parte orientali, vel occidentali, prout stella orientalis fuerit, occidentalisive. Nam hac ratione habebit rursus Eclipticæ cum situm, quem in cælo tunc habet; et propterea non solum apparebit, quæ puncta Eclipticæ in quolibet circulo existant, verum etiam, in quonam circulo hæc vel illa stella reperiatur, aut quem situm habeat in cælo.

2. S I idem ad datam quamcumque horam inuestigandum sit, mouenda erit linea fiducia Ostensoris ad eam horam siue antemeridianam, siue pomeridianam, prout ante vel post meridiem data fuerit. Circumolutio enim sunc reti, donec gradus Eclipticæ, quem Sol occupat, sub linea fiducia conficiatur, habebit rursus Eclipticæ proprium situm, &c.

3. S I C etiam si scire quis cupiat, quenam hora sit, cum quodlibet signum, aut gradus Eclipticæ, vel stella quævis in Astrolabio descripta, exoritur, Sole quem cumque gradum Eclipticæ occupante, statuendus est gradus ille, vel stella in Horizonte orientali. Linea namque fiducia Ostensoris per gradum tuuc Solis incedens, monstrabit in limbo hætram, seu distantiam Solis a Meridiano circulum, &c.

3. A B S Q V E materiali Astrolabio idem assequemur hoc modo. Sit. Aequator ABCD, circa centrum B, Ecliptica AFGG, cuius centrum 8, & polus ejus H. Tropicon AqG, tropicus GJ, tropicus JH, FH. Sitque primum inuestigandum, quod proponitur, Sole exstante in punto Eclipticæ O, quando altitudo Solis deprehensa est ante meridiem grad. 30. Descripto parallelo Horizontis grad.

Per Astrolabium
materiali pista
Eclipticæ inveni-
tare, qua in quo
libet circulo E-
clipticæ fecan-
te exireat.

Qua hora quævis
gradus, aut signum
Eclipticæ ori-
entur, cognoscere.

Sit Astrolabio
materiali pista
Eclipticæ inveni-
tare, que in
lunaria circulo
Eclipticæ fecan-
te exireat.

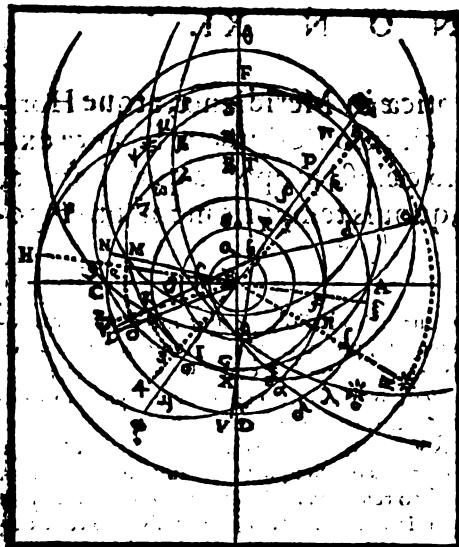
ad. A Mi, delipeatur parallelus Aequatoris per datum punctum O, secans paral-
lelum & Mi, in Mi ducatis autem ex E, per O, M, rectis secantibus Aequatorem

in L, N, accipiatur arcus LN, æqualis arcus BP, ducaturque recta EP, secans tropicū &, in Q, & tropicū &, in I. Et quoniam si cogite
tus rate circumductus, donec
datum punctum O, ad M, per
veniat, ut datam altitudinem
habet ante meridiem, re-
ctaque EL, recta EN, con-
grates, congruentibus EB, re-
cta PB; et quod arcus æqualis
LN, BP, principiumque &, F,
F, in Q, existet, & principiu-
m &, in I. Quocirca recta
QE, secante parallelum Ae-
quatoris & RQ, per S, centrum
Ecliptice, descriptum in R.,
& parallelum abh, per a, pos-
sum eiudem Ecliptica des-
criptum in b, existet tunc
centrum Ecliptice in R, &
polum in b. Descripsis ergo
ex R, per Q, & I, Eclipticas
QSRQ, tangentem tropicos

in Q, I, habebit ea proprium tunc situm, secabitque Meridianum in S, X, & Ho-
rizontem in K, c. Quæ puncta quibus gradibus Ecliptice respondeant, indica-
bunt rectæ ex b, polo Ecliptice ad ipsa extrema, vel lib. 3. propolos. Num, ergo, obte-
dimus. Tot enim gradibus distabat S, a principio &, hoc est, a punto Q, secun-
dum successionem signorum, quot in arcu Aequatoris PT, continentur. Pan-
dum autem K, tot gradibus ab eodem principio &, aberit secundum successio-
nem signorum, quo in arcu PBY, continentur, vel tot gradibus ab initio &, I, contra signorum ordinem, quo in arcu & V, reperiuntur. Puncta denique &, c, punctis S, K, per diametrum sunt opposita, quorum tamen etiam distancias a
&, & & arcus & V, Pd, metiuntur; prior tamen secundum successionem signo-
rum, posterior vero contra signorum seriem numerandus est.

QVOD si data sit hora, id est, distans e Meridiano, qua inuestigare debet
mus eadem puncta, ducenta erit ex E, centro recta per datum horam. Hoc est, a
quo ex Aequatore abstindat arcum distans Solis a Meridiano circulo, cuius-
modi est recta EN, secans parallelum paret O, in Ecliptica dati, in quo videlicet
Sole existit, in punto M. In punto namque M, hora proposta Sol existit, abec-
secus ac si parallelus Solis parallelum Horizontis & M, intersecaret. Quare reli-
qua peragenda erunt, vt prius.

I A M si, Sole existente v.g. in punto Ecliptice &, inaganda sit hora, qua
punctum 3, ciuidem Ecliptica exoritur, describemus ex E, per 3, arcum, qui Ho-
rizontem orientalem sect in K, ducisque ex E, per 3, K, 9, rectis secantibus &, &
quatuor in 4, 2, 6, accipiemus arcui &, apud eam arcum ex: eritque arcus &, &
distans



distantia Solis a Meridianis; quando punctum 3; supra Horizontem ascendet. Nam promoto puncto 3, usque ad K, congruet recta E4, recta E 2, punctumque e, ad 7, promotum erit, ob equalitatem arcuum 42, et 7, &c.

4. D E I N D E eadem puncta Ecliptica sunt inquirenda, cum stella Z, ascendentem ponteridianam nocturno tempore habet grad. 20. Descriptio per Z, secundum stellam parallelum Aequatoris secante parallelum Horizontis grad. 20. in 3, decantur recte per Z, i, ex E, secantes Aequatorem in l, k, & arcu ilk, equalis arcus absindatur Be, ducaturque recta Ee, secans tropicos in H, f, & parallelos R, g, bah, in g, h. Existente ergo tunc stella Z, in i, collocabitur principium λ , in H, & primum punctum σ_2 , in f, & centrum Eclipticæ in g, polus denique in h. Descripta ergo ex g, per H, f, Ecliptica secabit Meridianum in m, r, & Horizontem in p, n, quorum punctorum distantia a principio λ , H, & principio σ_2 , f, reperientur per rectas ex polo h, emissas, ut prius.

5. E A D E M ratione cognoscemus, que puncta Eclipticæ tempore observationis in quolibet circulo sive maximo, sive non maximo, qui tamen Eclipticam fecerit, seperantur. Ita enim vides parallelum Horizontis Mi, ab Ecliptica Q S X e, secari in M. Et si describatur circulus positionis γ qd, per γ , principium domus rr, & per β , principium domus s, secabitur ss ab Ecliptica AFCG, in s, t, & ab Ecliptica Q SKt, in u, v, & ab Ecliptica Hrsm, in b, c: quz omnia puncta, quantum a λ , & σ_2 , distent tam secundum seriem signorum, quam contra, indicabunt recte ex polis a, b, h; ad puncta ipsa emissae. Non aliter habebuntur puncta, quz in quoquis circulo horario existant data hora. Ut si recta Q μ , referat aliquem circulum hora à mer. vel med. noct. obtinente Ecliptica sicutum circuli AFCG, existent puncta π , f, in eo circulo horario, quz quantum absint a principio λ , & σ_2 . hoc est, a punctis F, G; docebunt recte ex a, i, polo ad π , t, electæ. Ecliptica vero existente Q S X e, reperientur prima puncta λ i, & σ_2 , nimisrum Q, & I, in horario circulo Q μ . Ecliptica denique sicutum obtinente circuli Hrsm, transibit ita in circuitus horarius per puncta Eclipticæ p, o, & arcus Eclipticæ f, H, a principiis σ_2 , & λ , secundum successionem signorum numerati cognoscetur per arcus Aequatoris a rectis ex h, polo ad p, o, ducitis abscissos.

6. I A M si reti, vel Ecliptica quemcumque sicutum obtinente, scire quis defideret, quantam in domo cœlesti, & quæ in parte eius domus, ex sententia Ioan. Regiom. descriptæ, quilibet stellæ propositæ. Vel punctum Eclipticæ existat, invenio prius loco eius stellæ respectu Eclipticæ in datam hunc habentis, vel lib. 2. propos. 1. Num. 2, 3, & 4. tradidit. De describendo istis per stellæ centrum, & per duo puncta, in quibus Horizont meridianam lineam intersectat, circulus positionis, cuius centrum existit in recta ad meridianam lineam in centro Horizontis perpendiculari, ut lib. 2. propos. 10. Num. 6. dictum est. Nam si stellæ, vel punctum Eclipticæ extiterit super Horizontem, illuc gradus Aequatoris, per quem circulus positionis intercedit, non rebeat distantiam propria stellæ, vel puncti à linea meridianâ, necatio gradus 20, & qualitatem in domo supra Horizontem reperiatur, cum triechi gradus Aequatoris singularis domos cœlestes constituant. Idemque actes de dominis infra Horizontem, si stellæ vel punctum sub Horizonte extiterit. Verbi gratia, si data sit punctum u, Ecliptica Q S X e, supra Horizontem, describatur per u, circulus positionis α , secans Aequatorem in γ . Et quia arcus B γ , complectitur gradus 30, dicemus punctum u, in principio domus α , existere. Publikum vero datum α , sub Horizonte, si per illud circulus positionis describitur α , secans Aequato-

Qz in domo ex
leti stellæ, doc.
vel prostat E-
cliptice hora ob-
seruationis ex-
fici cognoscend.

Ab operato enim in dicitur esse in principio domus, quod aere quoque D. grad. 30. complectatur. Simili modo stellam o, pronuncia himus esse in domo s. tot gradibus ab eius initio distante, quod in arcu d. contineatur. At stellam f. esse in domo 11. tot gradibus ap' eius principio distantem, quod in arcu 29. includuntur. Nos aliter proponemus, si domos coalescet ex sententia Campani describere quis malis numerando gradus interquales. Verticalis circuli gradus marjii, vel librae propos. 3. Numerus 7, graduum est, pro gradibus aequalibus Aequatoris. Secundum istud, 11 gradus, quod in arcu d. contineatur, in arcu 29. includuntur. Quod in arcu 29. includuntur, in arcu 11. contineatur. Et hoc est, quod in arcu 29. includuntur, in arcu 11. contineatur.

S C H O L I U M.

*Puncta Eclipticae
in Meridiano, Ho-
rizonte, & quo-
que circulo hora-
rio à mer. vel
med. noc. existen-
tiæ, per alteratio-
nes rectas & obli-
quas inveniuntur.*

*1. P V N C T A quoque Eclipticae quanis hora in Meridiano, Horizonte, & quo-
libet circulo horarum, à mer. vel mod. noc. existentiæ facilius negotio per ascensiones
rectas, & obliquas referuntur, hac videlicet ratione. Ad distantiam solis in meridi-
anus osculatum progrediendo, (Distansia hac colligitur ex hora à meridiano, si cuiuslibet
hora tribuantur grad. 15. Ex hora autem à med. noc. eadem distantia cognoscatur, si
ad distantiam à med. noc. semicirculus adiiciatur) addatur ascensio recta puncti Ecli-
pticae, quod tunc Sol occupat: quia vel ex tabula rectarum ascensionum sumatur, vel imp-
quiratur, ut can. 4 docuitus. Confutatis enim numeris, abiecto prius tunc circulo, si abi-
iecti potest, etiæ ascensio recta puncti Eclipticae in Meridiano supra Horizontem rursum
existens. Quare vel ex tabula ascensionum rectarum, vel ex q. qui in Can. 4 eiusque
scholio scriptissimus, punctum Eclipticae in Meridiano existens, quod videlicet invenientur as-
censioni recte debetur, arwendum erit; punctum autem huic oppositum in Meridiano
infra Horizontem existens. Quod si dicta ascensioni recta adiiciatur quadrans, confabu-
etur, abiecto prius integrum circulo, si abiecti potest, ascensio obliqua puncti Eclipticae in Ho-
rizonte ex parte orientali existens: quod vel ex tabula ascensionum obliquarum ad as-
sam elevacionem poli superiatur, vel ex Can. 5. eiusque scholio cognoscetur: Punctum
vero huic oppositum existens in Horizonte ex parte occidentali. Ratio huius nostris praece-
pi perspicua est ex sphera materiali. & facile habet etiam modo ostendi potest. Ponatur
distantia à meridiano Bd, in figura superiori, ita ut circulus horarius per d. transeat, in
star Horizontis cuiusdam recti, in qua punctum Eclipticae, in quo est Sol, tunc existit. Si igitur A. dicitur ascensio recta illius puncti, hoc est, A. sive principium V, confabatur
AB, ascensio recta Eclipticae in Meridiano tunc existens: Et si addatur quadrans
BC, vñque ad Horizontem obliquum, confabatur ABC, ascensio obliqua puncti Eclipti-
cae in Horizonte existens. Quippe si ascensio recta puncti Eclipticae in circulo horario
per d. dicitur existens sive PBD, confabatur arcus PBD, & abiecto circulo integrum
PBD, reliqua erit ascensio recta Eclipticae in Meridiano existens. Et
Item si ascensio recta predicti puncti Eclipticae sit yDd, ita ut iniurium V. sit in y, con-
fabatur yDd, ascensio recta puncti Eclipticae in Meridiano existens: Et additus
quadrans BC, sive ascensio obliqua puncti Eclipticae in Horizonte existens yDBC. Et
abiecto integrum circulum yDBC, reliqua erit ascensio obliqua yC, &c. Exempli gratia.
Solo existens in principio. Sed elevacionem poli grad. 42. inuestigandam, que
tunc Ecliptica puncta hora 4. 30. mer. hoc est, hora 9. à med. noc. sine hor. 21. à mer.
quod tempus dabat grad. 345. & meridianopos. Si igitur ascensionem rectam principi-
pum V. que continet grad. 27. min. 54. ad grad. 315. adiiciatur, conficiens grad.
342. min. 54. pro ascensione recta puncti Eclipticae calum tunc mediari, cui ascen-
sioni respondet grad. 341. min. 27. forme. Gradus ergo 11. min. 27. X. mediat tunc
calum; ac proinde oppositum punctum, numerum grad. 11. min. 27. II. in eodem Meri-
diano infra Horizontem existens. Quod si ascensioni recte grad. 342. min. 54. puncti*

calum

calum mediantis adiiciatur quadrans, fiet numerus grad. 43.2. min. 54. & abiesto tunc circulo, reliqua fiet ascensio obliqua puncti supra Horizontem ascendentis, (quod Horoscopum appellari) grad. 7.2. min. 54. cui in elevacione poli grad. 42. debentur grad. 95. min. 20. paulo amplius, ut ex tabulis ascensionum obliquarum, vel ex ijs, qua in Can. 5. eiusque scholio scriptissimus, constat. Igitur grad. 5. min. 20.50, supra Horizontem tunc ascendet, ideoque punctum oppositum, nimirum grad. 5. min. 20. 20, sub Horizonem descendere comparetur.

3. E A D E M prorsus ratione ad datam horam, hoc est, ad datam distantiam Solis a meridie, explorabimus punctum Ecliptica in quolibet circulo horario per polos mundi ducto existens, si datus circulus horarius concipiatur esse Meridianus aliquis, atque ex hora data inquiratur distantia Solis ab eodem circulo horario dato versus occasum progreendiendo: quod fieri, si huius circuli distantia à meridie, detrahatur à distântia hora data à meridie, adiecto primo integro circulo, si detractio fieri nequeat. Vel certe à circulo horario dato numerentur versus occasum progreendiendo, omnes hora usque ad horam datam. Hora enim numerata dabunt eius distantiam à circulo dato horario, tanquam ab aliquo Meridiano, versus occasum. Verbi gratia, Sole adhuc existens in principio 8. hora 3. ante merid. hoc est, hora 21. à mer. inuestigandum sit pūctum Ecliptica in circulo hora 10. min. 35. à mer. Detraha distantia huius dari circuli à mer. que complebitur hor. 10. min. 35. ex data distantia Solis à mer. hoc est, ex hor. 21. veliqua erit distantia Solis ab hoc circulo, hor. 10. min. 25. versus occasum progreendiendo. Quae distantia etiam reperiatur, si à circulo hora 10. Min. 35. percurrantur oes hora usque ad hor. 3. ante mer. que est 9. post med. noc. Nam usque ad horam 11. habentur Min. 25. Deinde sequuntur hora 12. media noctis. & hora 1.2. 3.4.5.6.7.8. & 9. à med. noc. Vbi vides horam 3. ante mer. vel 9. post med. noc. à circulo hora 10. Min. 35. à mer. distare horis 10. min. 25. ut prius. quod tempus continet grad. 156. min. 55. Si igitur addatur ascensio recta principij 8. grad. 27. min. 54. constabit arcus grad. 184. min. 9. pro ascensione recta puncti Ecliptica in circulo hor. 10. min. 35. à mer. existentis, cui debentur grad. 184. min. 31. sec. 38. Gradus ergo 4. min. 31. sec. 38. q., existet tunc in circulo dato.

S I idem datus, punctum Ecliptica inagandum sit in circulo hora 11. à med. noc. hoc est, hora 23. à mer. existens, auferemus huius circuli distantiam à mer. nimirum hor. 23. ex hor. 21. adiecto prius integro circulo horarum 24. ut ex constato numero horarum 4.5. detractio fieri possit. Ita enim reliqua fiet hora 22. quibus data hora 21. à mer. à dato circulo hor. 23. à mer. versus occasum recedit, que distantia gradus 330. complebitur. Eademque distantia obtinebitur, si post horam 23. à mer. dati circuli percurrantur omnes hora usque ad datam horam 21. à mer. Inuenientur enim rursum hora 22. que sunt ha, hora 12. meridiis, deinde hora 1.2.3.4.5.6.7.8.9.10.11.12. à mer. & insuper hora 1.2.3.4.5.6.7.8. & 9. à med. noc. que omnes sunt 22. ut prius. Adicta ergo recta ascensione principij 8. grad. 27. min. 54. fiet ascensio recta puncti Ecliptica in circulo hor. 23 à mer. existentis. grad. 357. min. 54. cui congruisse ferme grad. 357. min. 42. sec. 33. Igitur grad. 27. min. 42. sec. 33. X, in circulo hor. 11. à med. noc. existet. Atque ita de ceteris. Idem hoc punctum in quolibet circulo horario, propos. 9. Gnomonices inuestigare docuimus, si cognitum tamen sit punctum, quod data hora supra Horizontem ascendit, eiusque ascensio obliqua; vel punctum in circulo hor. 6. à med. noc. tunc existens, eiusque ascensio recta. Sed ratio hoc loco proposita expeditior est, cum neutrò illorum punctorum indigeat, sed solam ascensionem rectam pūcti Ecliptica, (qua in omni elevacione poli eadem semper est) requirat, in quo Sol existit tempore observationis.

I M M O, si idem inuestigandum sit, posito quocunque Ecliptica punto in Horizona
O o o o te oris.

se orientali, accipiamus arcum semidiurnum illius puncti tunc supra Horizontem ascensio
dens pro distanca horaria à Meridiano circulo. Et reliqua persicemus, ut distanca
est. Verbi gratia. Quando principium Ω , supra Horizontem latitudinis grad. 42. ascen-
dit, inquirendum sit punctum Eclipticae in circulo hora 5. à meridie existens. Auffera-
tur hac distanca hor. 5. ex hor. 16. min. 43. id est, ex distanca primi puncti Ω à
Meridiano versus occasum progrediendo, cum arcus semidiurnus Ω , complectatur hor.
7. min. 17. ut relinquatur distanca principii Ω , tunc exortientis à circulo hora 5. à mer-
nitum hor. 11. min. 43. hoc est, grad. 175. min. 45. ad quam distanciam si adiunga-
tur ascensio recta grad. 122. min. 12. qua initio Ω , debetur, conficietur ascensio recta
puncti Eclipticae in circulo hor. 5. à merid. existentis grad. 297. min. 57. cui congruunt
grad. 295. min. 57. paulo amplius. Igitur grad. 25. min. 57. Ω , existet in circulo hor.
5. à mer. ac propterea grad. 25. min. 57. Ω , in circulo hor. 5. à med. nocte reperiatur.
cū: principiū Ω oritur. Verū nisi arcus semidiurnus sumatur in horis, minutis, & secundis, vel in gradibus, ac minutis, in quibus per sinus suis inuentus, accidere poterit er-
ror in aliquot minutis: quod proposito proximo exemplo declarabimus. Arcus semidiurn-
us initij Ω , continet grad. 109. min. 21. id est, hor. 7. min. 17. Sec. 24. quo degradat
ex integro circulo 360. graduum, vel 24. horarum, relinquatur distanca Ω , in Horiz-
onte orientali existens, à Meridiano versus occasum procedendo, grad. 250. min. 39.
vel horarum 16. min. 42. sec. 36. à qua si detrahatur distanca hor. 5. à mer. que
complectatur grad. 75. reliqua erit distanca Ω , à circulo hor. 5. à mer. versus etiam
occasum, grado 175. min. 39. vel hor. 11. min. 42. sec. 36. quibus horis & minutis
debenerit idem gradus 175. min. 39. Ad hanc distanciam si apponatur ascensio recta
 Ω , grad. 122. min. 12. conficiatur ascensio recta puncti Eclipticae in circulo hor. 5.
à mer. existentis grad. 297. min. 51. cui debenerit grad. 295. min. 51. hoc est, grad.
25. min. 51. Ω . Ita ut differentia inter hoc punctum, & illud, quod prius inuenitum
fuit, contineat min. 6. Quod cum ita sit, quando arcus semidiurnus non habetur in
gradibus & minutis, vel in horis, minutis, ac secundis, exquisitus inueniens punctum
in circulo dato hora ea ratione, quam in Gnomonica explicavimus; nimirum auferen-
do gradus Aequatoris à sexta hora matutina usque ad circulum hora dare versus oc-
casum numeratos, ex ascensione obliqua dati puncti supraHorizontem emergentibus, adi-
go prius in integro circulo, si substractio fieri nequeat. Ita enim reliqua fiet ascensio recta
puncti Eclipticae in circulo dato hora existentis. Ut in eodem exemplo, ab hora 6. ma-
tutina usque ad horam 5. à merid. numerantur hora 11. hoc est, grad. 165. qui si de-
mantur ex ascensione obliqua principii Ω , grad. 102. min. 51. hoc est, (adicto rata
circulo) ex grad. 462. min. 51. reliqua sunt grad. 297. min. 51 pro ascensione recta
puncti Eclipticae in circulo hor. 5. à meridie existentis, ut supra.

3. DE N I Q V E horam, qua signum, vel punctum quodlibet Eclipticae exortatur
Sole quemunque Ecliptica gradum posidente, hoc modo explorabimus. Ascensio obli-
qua arcus Eclipticae inter locum Solis, & punctum ascendens positi, & secundum seriem
signorum numerati, ad horas reducta, substrahatur ex arcu semidiurno puncti, quod Sol
obtinet; vel contra, arcus semidiurnus ex dicta ascensione obliqua ad horas reducta sub-
trahatur, minor scilicet numerus ex maiore. Priori enim modo hora ante meridiem, po-
steriori vero, hora post meridiem, qua punctum Eclipticae, cuius ascensio obliqua accepta
fuit, supra Horizontem emergit, remanebit. Ratus huius rei perspicua est ex parallelo
puncti, in quo Sol existit. Nam posito gradu Solis in Horizonte orientali, & mota spha-
ra, donec eundem Horizontem attingat punctum ascendens, arcus parallelus Solis in se-
locum Solis, & Horizontem metitur ascensionem obliquam arcus Eclipticae inter eun-
dem locum Solis, & punctum ascendens intercepti, cum ille arcus parallelus cum hoc par-
eo Ecliptica exortatur. Igitur dempto eo arcu parallelis ex arcu semidiurno, vel hoc ex
ille

*Accuratior inves-
tio puncti Ecli-
pticæ in dato cir-
culo horario, ex-
istenti, qualibet
figo orifice, quā
do arcus semi-
diurnus non ha-
batur in grad. &
min. vel in ho-
ris, min. & sec.*

*Hora, qua quod-
vis Ecliptice pū-
tum orientis, ubi
enique Sol exi-
stet, inventio per
ascensionem obli-
quam.*

Illo, reliqua erit distantia Solis à Meridiano vel ante meridiem, vel post meridiem, us
diximas. Exempli causa. Sole existente in principio Ω , exploranda sit hora, qua initium
 Σ , ortus ad latitudinem grad. 42. Ascensio obliqua arcus inter initium Ω & Σ , con-
tinet grad. 77. min. 9. id est, horas 5. min. 9. quibus detractis ex horis 7. min. 17. hoc est.
ex arcu semidinario initij Ω , relinquentur hora 2. min. 8. Tot ergo horis ante mer. pri-
cipium Σ , exoritur Rursum Sole in eodem principio Ω , commorata, querendam sit, qua
hora principium Σ , exoritur. Ascensio obliqua arcus ab initio Ω , usque ad princi-
pium Σ . secundum successionem signorum computatis complectitur grad. 324. min. 6.
hoc est, hor. 21. min. 36. Ex qua si dematur arcus semidinarius Ω , hor. 7. min. 17. relin-
quentur hor. 14. min. 19. post mer. hoc est, hor. 2. min. 19. à med. noct. quibus initium Σ ,
super Horizontem emergit. Atque ita de ceteris.

C A N O N XII.

MERIDIANAM lineam, & proinde lineam quo
que veri ortus, atque occasus, in plano quod Horizonti
æquidistet, inuenire.

1. INVENTA altitudine Solis sive antemeridiana, sive pomeridiana, col-
locetur gradus, quem tunc Sol occupat, in parallelo Horizontis eius altitudi-
nis, & notetur Verticalis, in quem idem gradus incidit. Quot namque gradibus
Verticalis ille à primario Verticali, id est, ab intersectione Aequatoris, Horizon-
tis, & Verticalis primarii recedit in austrum, Septentrionemque, (quos quidem
gradus metitur arcus Horizontis inter Verticalē primarium, & Verticalē,
in quem gradus Solis cadit, positus.) tot gradus numerandi sunt in dorso Astro-
labi à diametro Horizontali, quæ nimur lineam meridianam per centrum, &
armillam suspensoriam extensam secat ad rectos angulos, ex parte orientis, oc-
cidentis, prout Solis altitudo reperta fuerit antemeridiana, sive pomeridia-
na, sursum quidem, versus armillam, si Sol inuentus fuerit in Verticali australi,
deorsum vero, si in boreali. Nam posita linea fiducia Mediclinii supra ultimum
gradum numerationis, si tunc Astrolabium ponatur Horizonti æquidistans, &
tam diu hinc inde vertatur, donec umbra vnius lateris pinnacidi per latus Me-
diclinii extendatur, & alterius lateris pinnacidi umbra linea fiducia sit paral-
lela, indicabit diameter dati dorsi Astrolabii per armillam transiens, situm me-
ridianæ lineæ, ita ut eius pars versus armillam reda in austrum vergat, & altera
pars in boream; altera vero diameter priorem ad angulos rectos secans, vera
puncta ortus atque occasus monstrabit.

Lineam meridia-
nam, & paralela-
veri ortus, acque
occasus per A-
strolabium mate-
riale invenire.

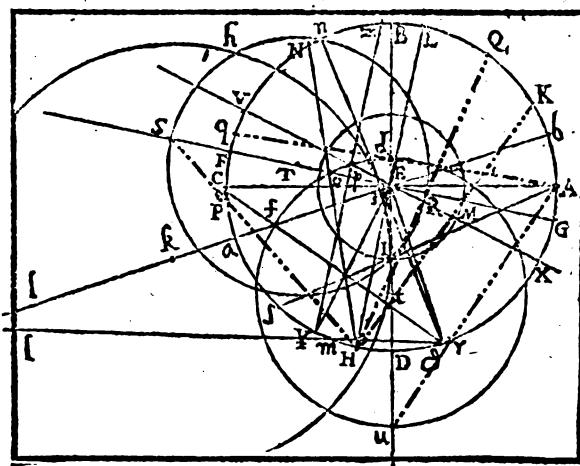
2. C E R T I V S autem meridianam lineam, punctaque propterea veri or-
tus, & occasus inueniemus sine materiali Astrolabio, ea ratione, quam in Schol-
lio propos. 23. lib. 1. nostra Gnomonices prescripsimus, quam repetendam hoc
loco non censemus: solum hoc in ea notari velim, necesse non esse, vt Verticalis
HO, per O, punctum intersectionis parallelī Solis cum parallelo Horizontis de-
scribatur, ad eius declinationem a primario Verticali eliciendam; sed satis esse,
si ex illo punto O, & ex punto intersectionis Verticalis primarii cum paralle-
lo Horizontis, (quod in figura predicti scholij paulo infra punctum O, existit)
per H, polum Horizontis due rectæ extendantur. Hæ etenim rectæ H, in eodem
Oooo 2 parallelo

Lineam meridia-
nam sic Astro-
labio materiali cer-
tius invenire.

parallelo Horizontis intercipient arcum quæ sitæ declinationis; qui videlicet tot gradus æquales parallelæ complectatur, quos apparentes gradus inter O, & alteram illam intersectionem continentur, ut lib. 2. propos. 6. Num. 25. demonstravimus.

3. FORTASSE magis commode idem assequemur per unicam observationem ex eisdem datis, nimirū ex declinatione Solis, & altitudine poli cognitis, (quæ ibi etiam data erant) hoc alio modo. In plano, quod Horizonti æquidistet, descriptus sit ex E, centro circulus ABCD, Horizontem referens, in cuius plano describendi erunt nonnulli circuli sphæræ, prout ex Nadir, siue polo eius inferiore, in eo conspiciuntur, veluti in scholio propos. 20. lib. 2. Num. 15. dictum est. Deinde qualibet hora, silo aliquo tenui, vel instrumento, quod initio scholii propos. 23. lib. 1. Gnomonices construximus, obseruetur umbra Solis, per cuius duo puncta extendatur recta FG, per centrum E, transiens, ac simul (nulla interposita mora) altitudo Solis capiatur, quam metiatur arcus FN. Vel certe instru-

Lincem meridianam sine instrumento materiali ex declinatione Solis, & altitudine poli cognitis, per vicinam observationem invenimus.



mento, quod in sequenti scholio Num. 3. construemus, vna eademque opera umbra, altitudoque Solis obseruetur. Excitata autem ad FG, diametro perpendiculari HL, numeretur ab L, complementum altitudinis poli usque ad K, vel ipsa altitudo poli à G, usque ad K; ducoque radio HK, secante EG, in M, continebit segmentum EM. Verticalis FG, tot gradus, quot in arcu LK, continentur, ut ex his constat, quæ lib. 2. propos. 1. Num. 5. ostensa sunt. Nam ex Nadir H, punctum K, in M, apparebit. Quare parallelus Horizontis ex E, per M, descriptus transibit per polum mundi, cum à Zenith E, per complementum altitudinis poli recessat, describaturque ex punto E, sicut prius ex eodem centro parallelæ Aequatoris, quando circulus ABCD, Aequatorem representabat, describabantur. Ut autem sciamus, quodnam propterium huius parallelæ sit polus mundi, ducemus ex H, radium ad centrum Solis in N, existentis, ut constat, si circulus ABCD, concipiatur in recta FG, ad planum Horizontis redus, hoc est, in situ Verticalis per Solem

C A N I O N E X I I.

621

Solem transeuntis: apparebitque Sol in punto O. Et quoniam in sphera circulus ex centro Solis, ut polo, ad interuum complementi declinationis Solis descriptus, (quando tamen Sol australis est, accipendum est interuum ex quadrante, & declinatione compostrum,) transit per eundem polum mundi; si circa O, ut polum, circulus ille describatur, secabit is parallelum prius descriptum ex parte boreali in polo: qui quidem circulus hoc modo describetur. Ex N, vtrinque numeretur complementum declinationis, vel si Sol australis est, arcus ex quadrante, & declinatione confitatus, usque ad P, Q. Ductis namque radiis HP, HQ, abscindetur illius circuli diameter via SR; quia diuisa bifariam in T, describatur circulus praeditus secans parallellum Horizontis duobus in punctis, quorum illud, quod borealius est, nimur quod nobis inter Solem & centrum E, constitutus, & ad idem centrum conuersus, ad dexteram existit, si obseruatio fit ante meridiem, ad sinistram vero, si obseruatio fit post meridiem, polus est, cuiusmodi est punctum I. Ducta ergo recta IE, erit linea meridiana, hoc est, Meridianum per polum mundi, & Zenith ductum referet, quam si diameter AC, ad rectos intersecet angulos, erit C, veri ortus punctum, & A, punctum veri occasus.

4. Q V O D si poli altitudo ignoretur, explorabimus idem ex sola declinatione Solis cognita, per duas obseruationes, hac ratione. Matutino tempore efficiat umbra Solis rectam ab, cum eius altitudo supra Horizontem est arcus a e. Ducta autem Eg, ad ab, perpendiculari, emittatur ex g, Nadir. (Si enim circa ab, circumvolui intelligatur circulus ABCD, donec rectus sit ad Horizontem, & punctum g, deorsum vergat, erit Eg, axis Horizontis, & g, eius polus inferior) radius ge, secabiturque ab, in puncto, in quo Sol apparet. Numerato autem ex e, vtrinque complemento declinationis Solis usque ad n, m, egrediantur ex g, radij gn, gm, secantes a b, in l, l: diuisaque il, bifariam in k, erit circulus h i, ex k, per i, l, descriptus circa f, tanquam polum, representans eum, qui in sphera ex centro Solis ad interuum complementi declinationis, hoc est, per polum mundi describitur: quod quidem centrū k, reperiatur ex his, quæ lib. 2. propos. 6. Num. 9: docuimus, etiam si radius gm, nimis procul excedat, ita ut eius intersecatio cum a b, vix haberi queat.

P O S T aliquod deinde temporis spatium umbra Solis efficiat rectam FG; eiusque altitudinem metiatur arcus FN. Ducta quemadmodum ad EG, perpendiculari EH, emittatur ex Nadir H, radius HN, secans FG, in o, puncto, in quo Sol ex Nadir apparet. Numerato quoque ex N, in vtramque partem complemento declinationis Solis usque ad P, Q, egrediantur ex H, radii HP, HQ, secantes FG, in S, R: diuisaque RS, bifariam in T, circulus ex T, per R, S, descriptus circa O, ut polum, referet eum in sphera, qui circa Solem per mundi polum describitur. Vbi ergo hic priorem versus boream intersecat in I, ibi erit polus mundi apprens. Quocirca recta IE, meridiana linea erit. Et si, aliqua mora interiecta, fiat tertia obseruatio, (quod tamen necessarium non est) eodemque modo tertius circulus circa Solem, ut polum, describatur, transibit is necessario per idem punctum I, si erratum non fuerit.

5. I M M O per tres obseruationes meridianam lineam reperiemus, etiam si neque altitudo poli, neque declinatio Solis cognita sit: quod etiam in libello de Fabrica, & usu instrumenti Horologiorum Cap. 19, eadem ferme ratione effecimus. Faciat ergo in prima obseruatione umbra Solis rectam ab, eiusque altitudo sit ae. Ducta autem ad ab, perpendiculari Eg, apparebit centrum Solis in e, constituti, per radius ge, inf.

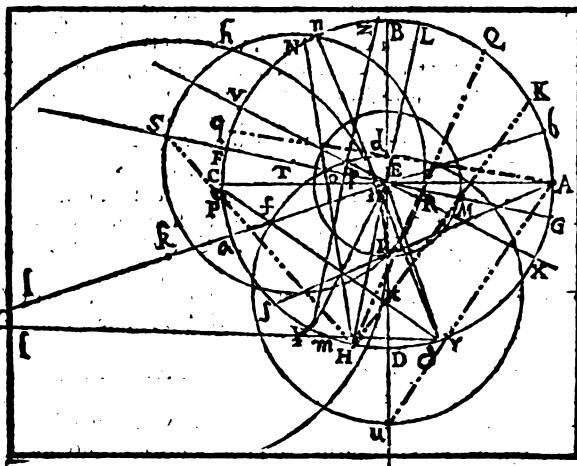
L'œste meridia
nam sine Astrola
bio materiali ex
sola declinatione
Solis cognita,
per duas observa
tiones invenire.

Meridianam li
neam sine Astro
labio, materiali
per tres observa
tiones, etiam
declinatio solis,
et altitudo poli
ignoreatur, inque
ret.

I N

IN secunda autem observatione efficiat umbra rectam FG, Solisque altitudo sit FN. Ducta autem ad FG, perpendiculari EH, apparebit centrum Solis in N, existentis per radium HN, in O.

IN tertia denique observatione linea umbra sit VX, altitudoque Solis VZ.



Ducta autem ad VX, perpendiculari EY, apparebit Solis centrum in Z, existens per radium YZ, in p. punto.

QVONI AM igitur Sol in tribus illis observationibus ponitur in eodem parallelo Aequatoris existere, quod eius declinatio in eis non mutetur sensibili-
ter; si trium punctorum f, O, p, centrum t, reperiatur, erit recta tE, linea me-
ridiana, quod centrum parallelis Solis fOp, & centrum Horizontis, in linea
meridiana existant, ut ex his, qualib. 2. propos. 6. demonstrauimus, manife-
stum est.

S C H O L I V M.

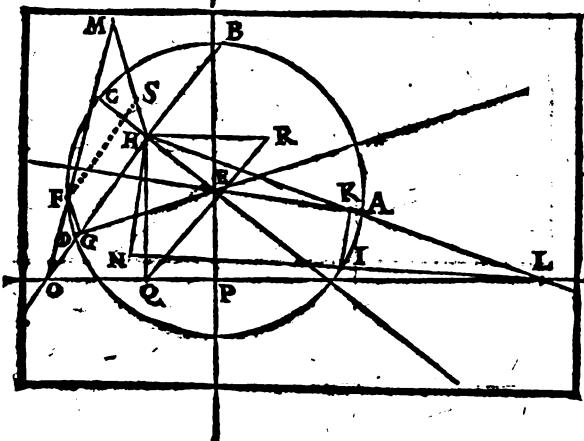
Linem meridi-
anam inventio ex
Analemate per
declinatione So-
lis & altitudine
poli cognitis.

QVA rations linea Meridiana ex Analemate, quandoque altitudo poli, & de-
clinatio Solis cognita est, elicatur, tradidimus lib. 1. Gnomonice in scholio prop. 23. &
in libello de Fabrica & usu instrumenti horologiorum cap. 18. ut supernacanum sic
cum hoc loco repetere.

Linem meridi-
anam inventio in pla-
no Horizontali
per tres obser-
vationes, etiam de
clinatio solis, &
altitudo poli co-
gnita non sit.

2. SED iuncta quoque operatione idem efficiemus per tres umbrarum obser-
vationes, & tres altitudines Solis, quarum duas fieri ante meridiem, & una post meridiem,
vel duas post, & una ante; etiam si neque declinatio Solis, neque altitudo poli cognisa
sit. Circulus enim ABCD, cuius centrum E, sit in plano quod Horizonte: equidistet, de-
scriptus, & matutino tempore in diversis horis umbra Solis efficiat rectas DE, CE, per
centrum E, extensas, & in eisdem horis altitudines Solis deprehensa sint DF, CB. Ve-
spertino autem tempore umbra proiecatur per rectam AE, & Solis altitudo sit AI, nol-
nor quam

utr quam altitudo C B, antemeridiana. Ex altitudinibus Solis ad proprias umbrarum linearum perpendicularares demistantur FG, BH, IK. Extensa autem ex H, per G, recta HG, fiat HM, ipsi FG, parallela, & ipsi HB, equalis, in qua recta MF, que rectam HG, in O, secabit. Abscissa namque HS, equali ipsi GT. (Est enim altitudo Solis DF, minor altitudine CB, quod hac meridiei vicinior sit; ideoque & stans FG, sine BH, minor) iunctaque recta FS, a qua ipsi GH, parallela erit, & erit angulus FSM, angulo GHM, qualis extorris interno. Cui ergo in triangulo FSM, duo anguli S, M, sine duobus rectis minores, erunt quoque duo anguli GHM, & M, duobus rectis maiori, ac propter haec HG, MF, concurrent, hoc est, recta DE, producita rectam HG, secabit in aliquo puncto, nimirum in O. Et quoniam, si concipiatur GF, & HM, vel HB, ad planum Horizontis perpendicularares, Sol in duabus observationibus existit in F, B, punctis, transibit parallelus Solis per F, B, eiusque planum per rectam MF, extensem planum Horizontis occurret in O. Nam cum sit, ut HM, ad GF, ita HO, ad GO; erit quoque ut HM, rectos angulos cum plano Horizontis faciens ad GF, rectos item



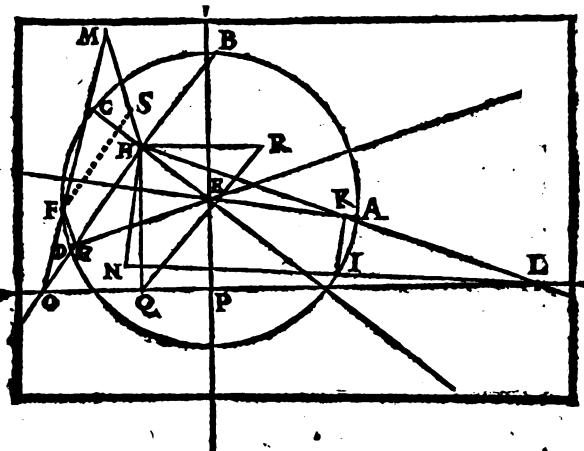
angulos cum eodem plano Horizontis facientem, ita HO, ad GO; ideoque ex scholio propos. 4. lib. 6. Eucl. recta ex M, in sublimi per F, in sublimi extensa chadet in punctum O; atque idcirco planum paralleli Solis per illam rectam duobus planis Horizontis in O. occurreret.

E O D E M p^{ro}p^{ri}o si ex H, per K, recta HK, extendatur, & ex H, ipsi KI, parat-
lola agatur HN, & ipsi HB, aequalis, secabit in recta NI, rectam HK, nimirum
in puncto L, in quo idem parallelus Solis piano Horizonis occurrit. Adiuncta ergo re-
cta OL, communis sectio erit paralleli Solis, atque Horizonis. Quare recta PE, per
constru^{re} ducta ad OL, perpendicularis, meridiana linea erit, hoc est, communis sectio
Meridiani, atque Horizonis. Quoniam enim tam parallelus Solis, quam Horizon, ad
Meridianum rectus est, & erit eorum quoque sectio communis OL, ad eundem rectas, ideo-
que ex defini. 3. lib. 11. Eucl. & cum meridiana linea in Horizonte, ex Meridiano
existente, rectos efficiet angulos; ac proinde PE, ad OL, perpendicularis, meridiana
linea erit.

3. *SIR*

3. SI forte contingat, duas Solis altitudines esse aequales, unam videlicet ante meridiem, & post meridiem alteram, ut si altitudines DP, AI, sint aequales, dividens erit angulus DEA, bisariam. Dividens enim linea erit linea meridiana; proprietas quod Sol in duabus illis observationibus aequales habuit a meridiis distantias, & duo Verticales per Solem ducit aequales cum Meridianis angulos efficiunt, &c.

4. QVOD si quando omnes tres altitudines Solis observationes aequaliter argumento esse, parallelum Solis Horizonis aequidistare, ac proinde polum mundanum esse in polo Horizonis superiore, altitudinemque eius supra Horizontem esse grad. 90. Ex quo sequitur, nullam tunc lineam in eo plano esse posse propriam meridianam.



POSSUNT quoque omnes tres observationes fieri vel ante meridiem, vel post, sed tunc duo puncta O, L, reperiuntur ex eadem parte parum inter se distare, ut non facile recta OL, sine errore duci possit. Quia ob rem magis exquisite res peragetur, si una observatione fiat post meridiem, & dua ante meridiem, vel una ante meridiem, & dua post, ut diximus.

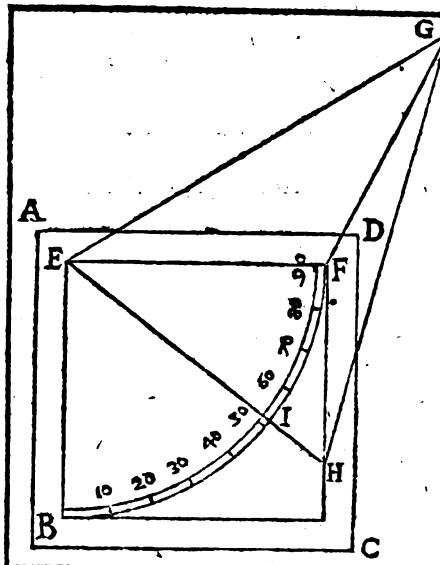
Instrumentum, quo simili uerba, & altitudo solis depicentur.

5. QVONIAM vero in qualibet observatione umbra statim accipienda est altitudo Solis, ne aliqua mora inter umbra observationem, & altitudinem Solis accipiendam interponatur, construimus cum Petro Nonio lib. 2. de Navigatione cap. 6. instrumentum, quo eadem opera, & umbra & altitudo Solis obseruerur: hoc scilicet modo. In quadrata aliqua tabella plana ABCD, describatur quadrans BF, ex E, dividaturque in 90. gradus, initio facto a B; & per F, agatur FH, lateri quadrati CD, parallela: Et in semidiametro EF, ipsi quadrata tabella inscribat ad angulos rectos norma, sive triangulum rectangulum EFG, cuius duo latera EF, FG, aequalia sint, & hypotenusa EG. Poterit autem triangulum hoc ita accommodari, ut deprimi possit, & eleuari, ita tamen, ut eleuatum semper rectum sit ad quadratum ABCD. Atque ut minus graue, aut ponderosum fiat instrumentum, excideantur erunt partes superflua intra quadrantem EBF, & extra: Item partes interiores trianguli EFG; ita ut in ea reliquantur arcus BF, recta FH, & hypotenusa EG. Iuxta latus quoque trianguli GF, appendi potest filum cum perpendiculari, ut facile planum, supra quod statuendum est

dum est instrumentum pro obseruatione, vel certe ipsummet quadratum ABCD, horizonti par allelum posse confici.

V S V S huius instrumenti hic est. Posito instrumento in plano Horizontali, (quod vnu instrumentum demum factum erit, quando filum perpendiculari lateris GF, adharetur) vergente que triangulo EFG, versus Solem, vertatur hinc inde, donec umbra lateris FG, regnos cum quadrato ABCD, angulos facientis, cadat precise in rectâ FH. Tunc enim rectâ iuxta latus CD, in plane, supra quod possum est instrumentum, descripta ipsi CD, parallela, umbram indicabit: umbra autem EH, projecta ab hypotenusa EG, abscedet arcum BI, altitudinis Solis supra Horizontem. Cum enim latus FG, ad tabellam ABCD sit rectum, erit per defin. 3. lib. 11. Eucl. angulus GFG, rectus. Quia igitur duo latera GF, FH, trianguli FGH, equalia sunt duobus lateribus EF, FH, trianguli EFH, angulosque continent rectos; aequales erunt bases GH, EH, & anguli GHF, EHF. Est autem GHF, angulus altitudinis Solis supra Horizontem, cum recta HF, HG, producta intercipiant in Verticali per Solem ducto arcum inter Solem, atque Horizontem. Igitur & EHF, angulus erit altitudinis Solis, cui cum sit aquilis alter unus BEH, in centro, erit quoque BEH, angulus altitudinis Solis, ideoque arcus BI, eandem altitudinem metietur. quod est propositum.

N O N debet autem instrumentum eiusmodi esse nimis magnum, quia extremitas umbra EH, ab hypotenusa projecta quasi evanesceret in plane ABCD, ob nimis distantiam hypotenusa ab eodem plane: sed mediocrem quandam magnitudinem habere debet, ut umbra extrema faciliter discerni queat: Id quod usus atque experientia te docebit.



2.4. primi.

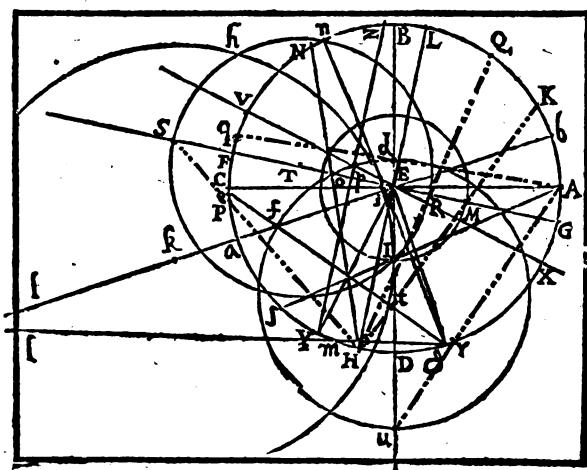
C A N O N XIII.

AL TITVDINEM Poli cuiusvis oppidi, locie, hoc est, eius latitudinem, distantiamue ab Aequatore; longitudinemque, id est, distantiam ab insulis Fortunatis, explorare.

P P P P I. QVAN-

Altitudinem poli reperi per vnam obseruationem, quando declinatio Solis, & sua linea meridianae datur.

I. QVAN DO declinatio Solis eo die, quo altitudo poli inquiritur, cognita est, & situs linea meridianae notus, inueniemus altitudinem poli per vnam obseruationem hoc modo. In plano Horizonti parallelo descriptus sit circulus ABCD, ex centro E, & linea meridiana BD, per centrum extensa. Obseruata umbra FG, & altitudine Solis FN, erigatur ad FG, perpendicularis EH; ductoque radio HN, secante FG, in O, loco Solis tempore obseruationis, numeretur complementum declinationis, quando Sol borealis est, vel quando est australis, arcus ex quadrante, & declinatione conflatus, à puncto N, in utramque partem usque ad P, Q, ductisque radijs HP, HQ, secantibus FG, in S, R, describatur circa RS, ex medio eius puncto T, circulus SIR, referens in sphera parallellum circa centrum Solis ad interuallum complementi declinationis descriptum, ac proinde per polum mundi incidentem. Vbi enim circulus hic ex parte boreali meridianam lineam intersecat, vt in I, punto, quod nobis in F, inter Solem, & centrum E, constitutus ad dextram iacet, si obseruatio sit ante



meridiem, vel ad sinistram, si post meridiem obseruatio sit, ibi polus boreus apparet. Ducta igitur ad meridianam lineam diametro perpendiculari AC, si ducatur ex A, per I, polum visum radius AI, erit arcus DI, altitudo poli, cu ei respondeat arcus visus Meridiani ID, inter Horizontem ac polum; & arcus SC, complementum altitudinis poli, cum ei respondeat arcus Meridiani EI, appartenens inter verticem & polum, vt ex iis liquet, qz lib. 2. propos. 1. demonstrata sunt.

Si forte accidat, circulum circa Solem descriptum ad interuallum complementi declinationis, meridianam lineam contingere, quod solum accidere potest hora 6. ante, vel post meridiem, (vt si umbra fuisset ab aliis, altitudoque Solis a c; erecta Eg, ad a b, perpendiculari, ductoque radio ge, secante a b, in f, numerandum esset complementum declinationis ex e, usque ad m, n, vt radii gm, en, diametrum il, abscederent circuli hi, cuius centrum k, meridianam lineam tangen-

tangentis in I.) erit ipsum punctum contactus , polus borealis : quia cum quicunque circulus ex quolibet punto circuli horæ 6. per polum descriptus Meridianum tangat in polo ; propterea quod circulus horæ 6. ad Meridianum regens est; sit ut circulus ex centro Solis in circulo horæ 6. existente, tanquam polo, ad interuallum complementi declinationis descriptus , tangat Meridianum in polo, cum necessario per polum transeat, propter interuallum complementi declinationis .

A C C I D I T interdum, quando Sol borealis est , circulum circa centrum Solis, vt polum, ad interuallum complementi declinationis descriptum, secare Meridianum duobus in punctis ultra verticale punctum versus boream . Quando igitur distantia Solis à Meridiano maior est sex horis , erit intersectione minus borealis, polus boreus ; si autem distantia minor est, intersectione borealiior polus boreus erit; quia in priori casu, circulus horarius per Solem , & polum ductus facit cum Meridiano versus austrum angulum obtusum , qualis est ille , quem circulus maximus in sphæra per Solem & intersectionem minus borealem ducitur ; in posteriori vero casu, circulus horarius per Solem, ac polum ductus facit cum Meridiano versus austrum angulum acutum, qualis est ille, quem circulus maximus in sphæra per Solem, & intersectionem borealiorem ducitur; propterea quod duo circuli maximi per Solem, & duas illas sectiones duci efficiunt triangulum Isosceles, cuius duo anguli ad basem acuti sunt, quæ omnia in sphæra materiali perspicita sunt,

S I vero ignoretur, num distantia Solis à Meridiano maior sit sex horis, an minor, facienda erit alia obseruatio. Punctum enim meridianæ lineæ , in quo circulus in posteriore obseruatione circa Solem, vt polum, ad interuallum complementi declinationis descriptus, circulum prioris obseruationis secat, polus borealis erit. Posterior enim circulus priorem necessaria in Meridiano intersectione habet, cum vterque per polum incedit ; neque vero posterior per vtramque intersectionem prioris cum Meridiano transibit, sed per unam duntaxat; alias effient duas lineæ rectæ in sphæra ex centro Solis in priori obseruatione ad duas illas intersectiones ductæ æquales duabus rectis ex centro Solis in posteriore obseruatione ad easdem duas illas intersectiones emissis. quod absurdum est.

Legatur, si placet, caput 13. lib. 2. Petri Nonii de Nauigatione , vbi omnes huius fusiū demonstrantur.

• 7. primis.

2. QVANDO autem situs linea meridianæ ignoratur, reperiens poli altitudinem, lineamque meridianam ex data Solis declinatione per duas obseruationes, hac ratione. Ex duabus umbris a b, FG, & altitudinibus Solis a e, FN, inueniatur polus borealis I, in intersectione circulorum hiI, SIR , vt in præcedente Can. Num. 4. factum est. Ducta enim recta IE , erit linea meridiana , ad quam si excitetur diameter perpendicularis AC, & ex A, radius egrediatur per polum I, erit arcus Di, altitudo poli, & arcus Cf, eiusdem complementum , vt paulo ante dictum est.

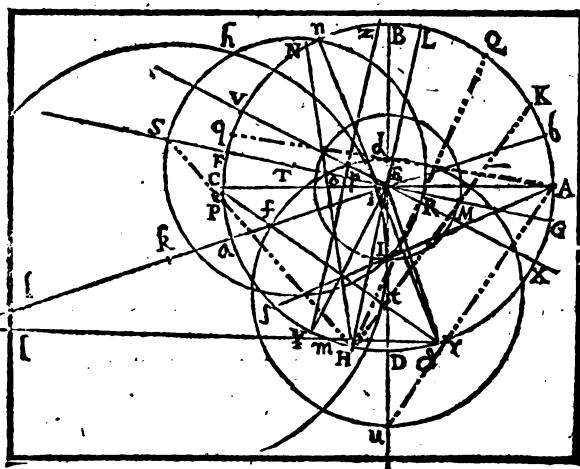
Altitudinem poli, lineæ meridianæ, per duas obseruationes ex sola declinatione Solis cognata invenire.

3. QVANDO denique & situs linea meridianæ, & Solis declinatio ignoratur, explorabimus eandem altitudinem poli, vna cum declinatione Solis , ideoque & cum eius loco in Ecliptica, & situ linea meridianæ, per tres obseruationes, hoc modo. Ex tribus umbris a b , FG , VX , & altitudinibus Solis a e , FN, VZ, inquiratur t, centrum circuli per tria centra Solis f, O , p, descripti , vt in Can. antecedente Num. 5. factum est. Ducta namque recta tE, meridiana linea erit, ad quam si erigatur diameter AC , perpendicularis , & ex A , per d, u , intersectiones meridianæ linea cum circulo fOp, parallelum Solis repræ-

Altitudine poli, linea meridianæ, & declinationem Solis per tres obseruationes exquirere .

Pppp 2 sentante,

fentante, vt Num. 5. præcedentis Can. diximus, radii emittantur, secabitur circulus ABCD, in q. r. extremitatibus vero diametri paralleli Solis per visam diametrum duu, repræsentatae, vt constat, si A, ponatur in Nadir, & circulus ABCD, ad Horizontem intelligatur rectus. Diuisio igitur arcu q. r., bifariam



in f, erit s. polus mundi verus, & radius emissus A f, indicabit eundem polum apparentem in I. Igitur, vt prius, arcus Df, altitudinem poli, & arcus Cf, eiusdem complementum metietur. Arcus denique sq, vel fr, erit complementum declinationis Solis, sive parallelis Solis, cuius diameter vera efficit recta q. r., ducta.

Longitudines locorum per eclipses lunares quo parte explorata.

4. IAM vero nulla adhuc certior via est ab Astronomis inuenta ad longitudines locorum explorandas, quam per Eclipses Lunares, quæ eiusmodi est. Observetur à pluribus Astronomis in insulis Fortunatis, à quibus longitudines locorum incipiunt, & in aliis locis orientalioribus initium alicuius lunaris Eclipsis, & eodem temporis momento per altitudinem stellæ cuiusdam hora à mer. vel med. noc. inquiratur per ea, quæ Can. 8. scripsimus. Nam si horam, qua Eclipsis apud insulas Fortunatas incipit, detraxeris ex hora, qua eiusdem Eclipsis initium in quacum ciuitate orientaliori confpectum fuit, & reliquæ numerum horarum ad gradus reduxeris, reliqui erunt gradus longitudinis illius ciuitatis orientalioris, hoc est, quibus illa orientalior ab insulis Fortunatis versus ortum recedit. Ut si u. g. in Fortunatis insulis Eclipsis quæpiam Lunaris incipiat hora 11 min. 15. post meridiem, & Romæ hora 1. min. 41. post med. noc. hoc est, hora 13. min. 41. post meridiem, detrahemus hor. 11. min. 15. ex hor. 13. min. 41. eruntque reliqua horæ 2. min. 26. quæ efficiunt grad. 36. min. 30. Tantum ergo pronunciabimus esse longitudinem Romanæ vrbis, id est, Meridianum Romanum à Meridiano insularum Fortunatarum oriente versus distare grad. 36. min. 30. qui quidem gradus inter utrumque Meridianum in Aequatore numerantur. Sed hac de re plura in Cosmographia reperies.

SCHOL.

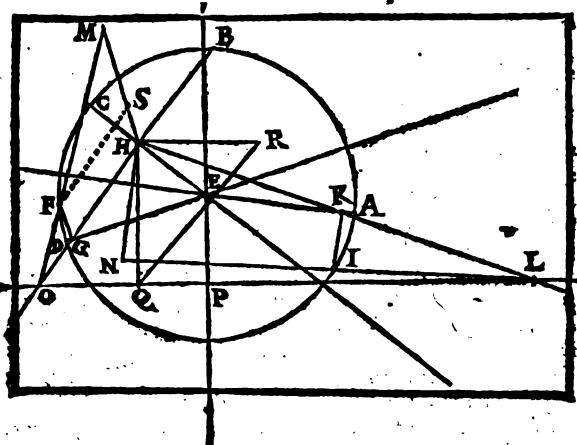
S C H O L I V M.

1. IN scholio 2. propos. 28. lib. 1. Gnomonices ostendimus, qua ratione altitudo poli ex Analemmate per duas obseruationes elicatur, etiam si declinatio Solis data non sit, dummodo meridianae linea sicut non ignoretur. Quare eam hoc loco repetere necesse non est, cum ex illo scholio addisciri posse: sed consentaneus eandem poli altitudinem per tres obseruationes explorare, etiam si neque declinatio Solis, neque linea meridianae positione cognita sit.

2. PER tres ergo umbras D E , C E , A E , in H rizonte, & tres altitudines Solis D F , C B , A I , quarum duæ obseruata sunt ante meridiæm, & tercias post, vel contra, ut in 1. figura scholiij precedentis Can. apparet, reperiatur O E , communis sectio plani Horizontis, ac parallelis Solis, ut Num. 2. scholiij precedentis Can. 1. 2. factum est. Nam perpendicularis P E , dabit lineam meridianam, vel etiam quacunque alia perpendicularis.

Altitudinis poli invenientur ex Analemmate per duas obseruationes, etiam si declinatio Solis ignoratur, dummodo secundum meridianam lineam detur.

Altitudinem poli, lineamq; meridianam per tres obseruationes cognoscere, licet de declinatio Solis sit ignorata.



latis HQ : Et si agatur HR, ipsi OP parallela, vel ad meridianam lineam perpendicularis, ipsique HB, equalis, iungaturque recta QR; erit QRH, angulus altitudinis poli. Nam si triangulum QRH, cogitetur rectum ad Horizontem super rectam HQ, existat Solis centrum in R, eo tempore, quo umbra CE , & altitudo Solis CB , obseruata sunt. Cum ergo parallelus Solis per OL, transeat, transitibz quoque per rectam RQ, ita ut RQ sit communis sectio eisdem paralleli, ac Meridiani. Quapropter RQH , angulus erit complementi altitudinis poli, quem nim. rum Aequatoris, eisque parallelorum plana cum Horizon: efficiunt; acque idcirco QRH, angulus erit altitudinis poli.

3. E A D E M altitudo poli sine borealis, sive australis, sine villa descriptione signa, interdu ex altitudine meridianæ, ac declinatione cognita, noctu vero ex meridianæ altitudine cuiuslibet stellæ, & declinatione percepera, facile negorio reparari poterit, si prius doceamus, quo patto cognosci posse, num vortex capitis, vel polus Horizontis sit exter polum æcticum, & Solem, sibyllanum in Meridianæ possum, an vero Sol ipse, sit.

Iane, cum Meridianum possidet, inter polum arcticum, & verticem loci: quod ita planum sit. Quando confiat, in quam partem Septentrio vergat, vel antier, (quod beneficio acus Magnete illata dicto citius cognosci potest) facile id, quod propositum est, percipiemus. Nam si umbra corporum, cum Sol maximam habet altitudinem, projectantur in Septentrionem, vel si nobis conuersis in austrum, altitudo maxima stellae observanda sit, constitutus erit uertex loci inter polum arcticum, & Solem, stellarumque. Si autem umbra corporum in austrum projectantur, Solo maximam habente altitudinem, vel si altitudo maxima stelle, nobis in Septentrionem conuersis, observanda sit, Sol, vel stella inter polum arcticum, & verticem loci reperiatur. At si ignoretur, qua ex parte septentrionali sit, aut Meridies, si conuersa facie ad Solem, vel stellam, quando a vertice proposito abest, viderimus Solem, vel stellam cum mundo ab ortu in occasum circumvolui a sinistra versus dextram, existet uerter loci inter polum arcticum & Solem, vel stellam; si vero a dextra versus sinistram, Sol vel stella inter arcticum polum, & verticem loci constituerit.

Altitudo poli, quo parte ex declinatione solis, vel stellae, alterna-
dineque meridia-
na venanda sit.

4. *I T A Q V E* si declinatio Solis, vel stelle, quando borealis est, dematur ex quadrante inter polum arcticum, & Aequatorem intercepto, vel quando australis est, ad eundem quadrantem adiicitur, relinquetur, vel constabatur distantia Solis, stellae a polo artico. Observata igitur circa meridiem aliquoties altitudine Solis, aut stellae, donet deprehendatur maxima, complementum maxima, altitudinis deprehensa (Quod si adsit linea meridianam, habebit Sol maximam altitudinem, siue meridianam, quando umbra stylis in meridianam linea collectati in ipsam linea meridianam projectetur: stella vero altitudem meridianam, vel maximam obtinet, quando in Meridiano existit; quod tum sit, si planum ad Horizontem in meridianam linea rotum per Stellam transbit, si producatur). ex inuenta distantia Solis, stellae a polo artico auferatur, si uertex loci inter austrum, & polum arcticum extiterit, vel addatur ad eandem distantiam, si austrum extiterit inter uerticem loci, & polum mundi arcticum. Nam relictus numerus, vel constans distantiam uerticis loci a mundi polo artico indicabit. Quae distantia si reporta fuerit aequalis quadranti, erit verticale punctum in Aequatore, nullaque erit poli altitudo supra Horizontem. Si vero minor quadrante fuerit inuenta, detracta ea ex quadrante, reliqua fiet altitudo poli borealis: si denique quadrante maior extiterit, ablato quadrante ex ea, altitudo poli australis fiet reliqua, ut scilicet intelligatur, si sphaera materialis adhibeatur.

S I Sol, vel stella reporta fuerit in uertice loci, hoc est, maxima eius altitudo deprehensa fuerit grad. 90. erit ipsamet declinatio Solis, vel stelle, altitudo poli supra Horizontem, borealis quidem, si declinatio fuerit borealis, australis vero, si australis.

R V R S V S si Sol, vel stella in locis borealibus neque oriatur, neque occidat (quod in Sole contingere potest, quando in signis borealibus versatur, & loci uertex est inter polum borealem, & circulum arcticum) habebit intra spatiu 24. horarum duas altitudines meridianas, unam maximam, & minimam alteram. Ex maxima reperiatur poli artici altitudo, ut dictum est: ex minima vero hoc modo. Distantia Solis, stellae a polo artico inuenta, ut ad initium huius Num. 4. diximus, adiicitur ad minimam altitudinem. Conflatus enim numerus dabit altitudinem poli artici. Eadem ratione, si Sol, vel stella in locis australibus neque oriatur, neque occidat, (quod in Sole contingere potest, quando australis signa percurrit, & uertex loci inter polum australis, & circulum antarcticum existit) habebit intra spatiu 24. horarum duas meridianas altitudines, maximam unam, & alteram minimam. Ex maxima eretur poli australis altitudo, ut initio huius Num. 4. praecepimus: ex minima vero hac ratione. Distantia Solis vel stellae a polo antartico (qua habetur, si eius distantia a polo artico inuenta, ut supra traditum est, ex semicirculo, vel eius declinatio australis ex qua-

ex quadrante detrahatur) adiungatur ad minimam altitudinem. Constat enim numerus latitudinem poli australis exhibebit.

D E N I Q V E si quando acciderit, altitudinem Solis aut stelle per aliquod temporis spatium neque angeri, neque minui, altitudo poli grad. 90. continetur, hoc est, in ipso loci vertice polus collocatus erit; borealis quidem, si declinatio Solis, stellae fuerit borealis; australis vero, si australis.

S. I D E M alia ratione nonnihil diversa usquevenimus, bac videlicet. Discatur primum, ubi sit, plus minus, pars mundi septentrionalis, & ubi australis: quod facio nos acus Magnete idcirco edocet. Quod si eiusmodi acus careamus, circa meridiem hoc est, quando propemodum Sol, vel stella maximam obtinet altitudinem, faciem nostram ad Solem vel stellam conuertemus. Et si quidem moueri cernetur à sinistra in dextram, dorsum nostrum in partem septentrionalem, & facies in australem verget; Si vero à dextra in sinistram, è regione nostra sita erit pars Septentrionalis, & australis in parte opposita.

H O C cognito, maximam Solis, vel stelle altitudinem obseruabimus. Eius complementum, si umbra corporum ad eandem partem projiciatur, in quam astrum declinat. (In stella, quoniam umbram non projicit, sumemus pro umbrarum visualem ab oculo ad stellam ductum) declinationi adiectum conficiet altitudinem poli eiusdem nonminus cum declinatione, hoc est, artifici, si tam umbra, quam declinatio est borealis, antartifici vero, si australis. At si corpus umbra in contraria proieciantur partem, id est, in septentrionem, si declinatio est australis, vel in austrum, si septentrionalis; si quidem complementum maxima altitudinis declinationi deprehensum fuerit equale, exibet vertex loci sub Aquarore, nullamque polus altitudinem habebit: Si vero complementum maxima altitudinis minus repertum fuerit declinatione, detracto illo ex hac, reliqua fiet altitudo poli eiusdem nominis cum declinatione, hoc est, artifici, si declinatio est borealis, antartifici vero, si australis: si denique complementum maxima altitudinis declinatione extiterit maius, erit eorum differentia altitudo poli opposita denominationis cum declinatione, nimirum artifici, si declinatio est borealis, artifici vero, si australis.

Q V A N D O Sol, vel stella declinatione caret, complementum maxima altitudinis dabit altitudinem poli eiusdem nominis cum umbra, nimirum artifici, si umbra est septentrionalis, antartifici vero, si australis.

Q V A N D O denique Sol, vel stella in vertice loci existorit, ipsa declinatio, si quam habet, erit poli altitudo eiusdem nominis cum declinatione, artifici videlicet, si declinatio est borealis, antartifici vero, si australis.

6. Q V A N D O constat, polum artificum supra Horizontem elevari, solent Astro nomi hac facili via eius altitudinem indagare. Sole, vel stella declinatione carente, complementum altitudinis meridiana exhibet altitudinem poli artifici. Existente autem declinatione boreali, & astro vergente à vertice in austrum, arcus ex declinatione, & complemento meridiana altitudinis constans altitudinem artifici poli manifestat: Declinatione vero australi existente, detracta ea ex complemento altitudinis meridiana, reliquus arcus altitudinem poli borealis metitur. Quod si astrum à vertice loci tendat in boream, complementum altitudinis meridiana ex declinatione boreali detracatum reliquam facie altitudinem poli borealis. Denique Sole, aut stella neque oriente, neque occidente, ita ut duas altitudines meridianas habeat, si quidem in maxima vergas a vertice versus boream, semissis aggregati ex virtu quo altitudine meridiana altitudinem poli borealis indicat: si vero astrum in maxima altitudine à vertice in austrum tendat, detracta ea ex semicirculo, semissis aggregati ex residuo, & minima altitudine est ipsa poli artifici altitudo.

Aliet.

*Vbi se pars per
tributus, & au-
stralis, quo pa-
cio deprehenda-
tur.*

*Aliet & facilis,
scilicet polū ar-
tifici elevari su-
per Horizontem.*

NON aliter agemus in regionibus australibus, si ea, que de declinatione, & parte boreali dicta sunt, ad declinationem, ac partem australem transferantur, & contra.

C A N O N X I I I .

IN quacunque orbis parte versemur, etiam in mari, quanam in Zona, & climate constituti simus, cognoscere.

In quoniam Za-
na datuS locuS
collocetur, co-
gnoscere.

I. H V N C Canonem, nisi ab omnibus scriptoribus Astrolabii positus esset, nullo modo explicarem, cum nihil noui contineat, sed solum requirat inuentionem poli in eo loco, in quo sumus. Inuenta namque per Canonem 13. vel eius scholium, poli altitudine, siue latitudine loci, si ea minor fuerit, quam grad. 23. min. 30. locus in Zona torrida situs erit; & si latitudine caret, verticem sub ipso Aequatore habebit, hoc est, in medio Zona torrida iacebit. Si autem latitu-
do contineat praeceps grad. 23. min. 30. collocabitur praeceps vel sub tropico 50°, vel sub tropico 30°, prout locus borealis est, vel australis, hoc est, iacebit in fine torrida Zona, & in principio temperata. At si latitudo maior sit, quam grad. 23. min. 30. minor autem quam grad. 66. min. 30. situm habebit in temperata Zona, vel boreali, vel australi, prout locus in boream, vel in austrum declinat. Quod si latitudo loci praeceps complectatur grad. 66. min. 30. positus erit sub circulo arctico, vel antarctico, hoc est, collocabitur in fine Zona temperata, & in principio frigidæ. Si denique loci latitudo maior fuerit, quam grad. 66. min. 30. situs eius reperiatur in Zona frigida; & si latitudo contineat grad. 90. ver-
ticem sub ipso habebit polo, mediumque Zona frigida occupabit.

In quoniam eli-
mate datus lo-
cus collocetur
se, percipere

E A D E M altitudo poli inuenta docebit, quoniam in climate locus, in quo sumus, collocetur. Nam si inuenta altitudo poli queratur in tabula climatum, quam ad calcem cap. 3. sphæræ secundum recentiores copiosissimam descripsi-
mus; si quidem praeceps reperiatur, illico constabit, in cuiusnam climatis initio, vel medio, vel fine locus noster situs sit. Si vero praeceps non inueniatur, intelli-
gemus ex altitudine poli in tabula descripta, quæ a nostra altitudine minus dif-
fert, prope cuius climatis principium, vel medium, finemque versemur. Verbigra-
tia. Natigans quispiam delatus sit ad portum Mozambique in Africa orientali. Et quoniam apprehenditur latitudo australis grad. ferme 15. dicemus cum ver-
sari prope medium primi climatis australis, cum clima 1. in medio altitudinem poli australis habeat grad. 16. min. 43. Rursus delatus quispiam sit ad insulas Or-
cades ultra Scotiam. Et quia latitudo earum insularum complectitur propemo-
dum grad. 61. min. 50. pronunciabis eas iacere in climate 13. septentrionali,
& quidem prope eius finem, ac proinde iuxta principium climatis 14. cum altitu-
do poli in fine climatis 13. & principio 14. gradus 61. min. 53. complectatur.

C A N O N X V .

D I S T A N T I A M duarum quarumlibet ciuitatum
in terra, vel stellarum in cælo, quarum longitudines, la-
titu-

titudinesque cognitæ sint, dimetiri, hoc est, arcum circuli maximi per eas descripti inuestigare.

D I S T A N T I A hæc sumenda est penes arcum circuli maximi inter duo loca terræ, vel duas stellas, interceptum, quod is minor sit omnibus arcubus cículorum nostrorum maximorum per eadem loca descriptorum, ut in Cosmographia demonstratum est.

1. **Q V A N D O** igitur duo loca sub Aequatore sita sunt, hoc est, latitudine carent, detracta minore longitudine ex maiore, reliqua erit differentia longitudinis, eademque distantiam quæsitam metietur.

2. **Q V A N D O** vero duo loca eandem habent longitudinem, hoc est, sub eodem semicirculo Meridiani inter duos mundi polos interiecto sita sunt, & vterque in boream, vel in austrum vergit; detracta minore latitudine ex maiore, reliqua erit differentia latitudinum, eademque quæsitam distantiam metietur. Quod si unus locorum sit sub Aequatore, & alter siue in boream, siue in austrum vergat, metietur ipsamet latitudo posterioris loci distantiam, quæ de-sideratur.

3. **Q V A N D O** duo loca differentiam longitudinum habent grad. 180. hoc est, sub diversis semicirculis eiusdem Meridiani locantur, & vterque in boream, vel austrum tendit, detracto aggregato latitudinum ex semicirculo, reliquus sit arcus Meridiani distantiam, quam quærimus, metiens. Quod si locoru[n]s unus in boream, & in austrum alter deflectat ab Aequatore; differentia latitudinum ex semicirculo subtracta relinquet arcum Meridiani, qui quæsitam distantiam metietur: vel arcus Meridiani ex latitudine alterutrius loci, & complemendo latitudinis loci alterius, ac quadrante, qui inter polum, & Aequatorem ponitur, conflatus distantiam desideratam metietur, si semicirculo minor est: si vero semicirculum superet, detracto eo ex integro circulo, reliquus arcus metietur distantiam locorum. Denique si alteruter locorum sub Aequatore, iaceat, latitudo alterius ex semicirculo, detracta relinquet arcum Meridiani, qui distantiam, quam inquirimus, metietur.

4. **Q V A N D O** denique duo loca nullo preditorum modorum se habent, siue alteruter sub Aequatore sit positus, siue neuter, & siue eandem habeant latitudinem, siue non, explorabimus eorum distantiam hoc modo. Sit in Astrolabio Aequator ABCD; centrum E; duæ diametri sese ad angulos rectos secantes AC, BD, quarum AC, Meridianum referat per insulas Fortunatas ductum, à quibus longitudines locorum incipiunt. Proposita aut̄ sint duo loca, prioris quorū longitude sit grad. 60. & latitudo borea grad. 30. posterioris aut̄ lōgitudo complectatur grad. 150. & latitudo borea grad. 60. Supputetur lōgitudines ab A, versus B, hoc est, ab occasu ortu versus, vsq; ad F, G, ducanturq; diametri FE, GE, referentes Meridianos per data loca transeuntes. Rursus numerentur latitudines à B, vsq; ad L, G: Duæis autē radiis AL, AG, secantibus BE, in M, N, describantur ex E, per M, N, paralleli latitudinum secantes Meridianos FE, GE, in P, eritq; P, I, situs prioris loci, & I, posterioris. Si igitur per propos. 13 lib. 2, cículus maximus per loca P, I, describatur, metietur arcus PI, eorum distantia. Inuenio ergo eius cículi polo O, vt lib. 2. prop. 8. Num. 17. docuimus, abscedent emisse rectæ OP, OI, arcum Aequatoris QR, arcui PI, et qualiter. Quorū ergo gradus in arcu QR,

duorum locorum
in terra sub AE-
quatore positior
distantiam inno-
rari exquirere.

duorum locorum
evidenter longi-
tudinem distantiā
metiri.

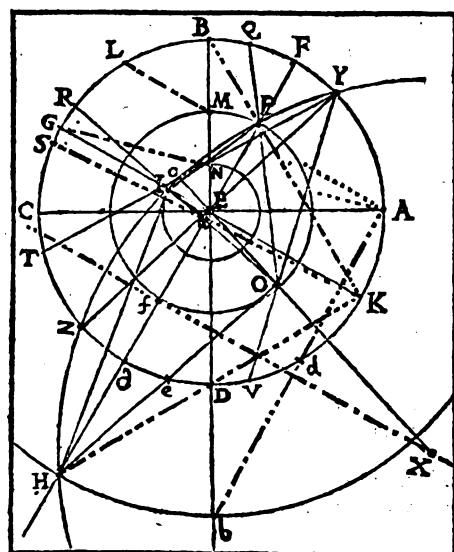
duorum locorum
differentiā longi-
tudinum grad.
180. habentiam,
distantiam reperi-
re.

duorum locorum
distantiam trans-
positam, lati-
tudinemque de-
finiendam, inveni-
gare.

Qqqq conti-

continentur, tot gradibus vnius locus ab altero distabit. Ita autem per P, I, circulum maximum describimus, eiusque polum reperiemus. Ducta recta EK, ad FE, perpendiculari, (potissimum quoque duci perpendicularis ad GE, sed eligenda potius est recta FE per punctum P, a centro E, remotius ducta. Ita enim punctum ipsi P, oppositum minus distabit a centro, quam punctum ipsi I, oppositum) ducatur ex K, per P, recta KPB, ad quam perpendicularis excitetur KD, (quod fieri, si arcui FB, arcum gD, aequalē sumemus, &c.) secans FE, producatur in H; eritque punctum H, ipsi P, oppositum, vt ex iis liquet, que lib. 2. propos. 6. Num. 13. scripsimus. Si igitur per tria puncta P, I, H, circulus describatur ex centro X, quod erit in recta f X, secante PH, in f, bifariam, & ad angulos rectos; erit illus maximus, cum per puncta P, H, per diametrum opposita transeat. Nam vero ducta ex centro X, per E, recta XE, secante descriptum circulum in c, erectaque ad XE, perpendiculari, vel quod idem est, iuncta recta YZ, (hac enim ad XE, perpendicularis erit: Transibit namque per E, centrum, cum sit diameter circulorum maximorum, a se in Y, Z, secantium bifariam. Quare recta XE, secabit ipsam YZ, bifariam in centro E;) ac proinde & ad rectos angulos) emitatur ex Y, per c, recta secans Aequatorem in T, sumaturque arcus TV, quadranti aequalis, accipiens autem esse quadrans TV, versus eam partem, versus quam ductus radius YV, rectam XE, fecerit intra Aequatorem.) Radius enim YV, secabit rectam XE, que Meridianus circuli PIH, representat, in O, polo circuli PIH, vt lib. 2. propos. 8. Num. 17. demonstravimus.

5. E A N D E M hanc distantiam brevius cognoscamus, etiam si circulum maximum per data loca non de-



a II. 1.
Theod.

b. 3. tertij.

Aliorū, etiam si per data loca circulus maximus non describaretur.

scribamus, &c. si, ducta recta PI, inquiramus per ea, qua lib. 2. propos. 18. Num. 3. tradita sunt a nobis, quantinam arcus circuli maximi chorda sit, quod sic fieri. Inuenio puncto H, quod loco P, remotiori a centro E, opponitur, jungatur recta HI, angulusque PIH, bifariam secetur per rectam I a, secante PH, in a, punto, per quod describendus esset circulus non maximus per punctum I, transiens, circa polum P, vt lib. 2. propos. 18. Num. 3. ostendimus; adeo ut artus Pa, circuli maximi PEH, per polum E, ducti, aequalis sit arcui circuli maximi per PI, descripti inter P, H, intercepto, cum ambo ex polo P, in circumferentiam circulis non maximi per a, I, circa polū P, descripti cadant. Excitata igitur EK, ad PH, perpendiculari, absindet radii KP, Ka, ex Aequatore arcum BS, tot graduum, quot arcus Pa, ac proinde & arcus circuli maximi à recta PI, subtensus, complectitur;

C A N O N X V .

385

Aitur : eritque arcus hic BS , priori arcui QR , inuenito æqualis , si erratum non sit .

6. S I T rursum locus , cuius longitudo grad. 150. & latitudo borea grad. 60. & alius locus , cuius longitudo grad. 240. & latitudo australis grad. 30. con plectatur . Numeratis longitudinibus ab A , versus B , vsque ad G , g. erunt ductæ rectæ GE , gE , Meridiani datorum locorum . Sumpta quoque prioris loci latitudine borea BG , emissioque radio AG , secante BD , in N , describatur ex E , per N , parallelus illius latitudinis secans Meridianum GE , in I , eritque I , situs prioris loci . Et si accipiatur loci posterioris latitudo australis Dd , emittaturque radius A d , secans BD , in b , ac denique ex E , per b , describatur parallelus huius latitudinis secans Meridianum g E , in H , erit posterioris loci situs in H . Igitur si per I , H , circulus maximus describatur , (inuenito nimis prius puncto P , opposito ipsi H , &c .) eiusque polus reperiatur O , dabunt emissi radii ex O , per I , H , in Aequatore arcum R e , arcui IH , distantiam locorum I , H , metienti æqualem .

7. V E L breuius , vt Num. 5. sic etiam agemus , sine descriptione circuli per loca I , H . Inuenito puncto P , opposito ipsi H , ductisque rectis HI , PI , secetur anguis PH , bifariam per rectam Ia , secantem PH , in a , puncto , per quod describendus esset circulus non maximus per punctum I , transiens , circa polum H , vt lib. 2. propos. 18. Num. 3. ostendimus ; adeo vt arcus Ha , Meridiani HP , æqualis sit arcui circuli maximi per H , I , descripti inter loca H , I , intercepto cum ambo ex polo H , in circumferentiam circuli non maximi per a , I , circa polum H , descripti cadant . Erecta igitur EK , ad HP , perpendiculari , abscedens radij KH , Ka , ex Aequatore arcum DS , tot graduum , quot in arcu Ha , ideoque & in arcu maximi circuli à recta HI , subtenso continentur serique arcus hic , si erratum non sit , æqualis omnino priori arcui inuenito eR .

H A C arte distantiam quorumlibet duorum punctorum in sphera datorum , quam arcus circuli maximi per ea descripti metitur , reperies , siue ambo in boream vergant ab Aequatore , siue in austrum , & siue vnum in boream , & alterum in austrum teatad : & siue utrumque in eodem parallelo Aequatoris positum sit , siue non ; siue denique vnum sit in Aequatore ABCD , & alterum ab illo vel in boream , vel in austrum declinet .

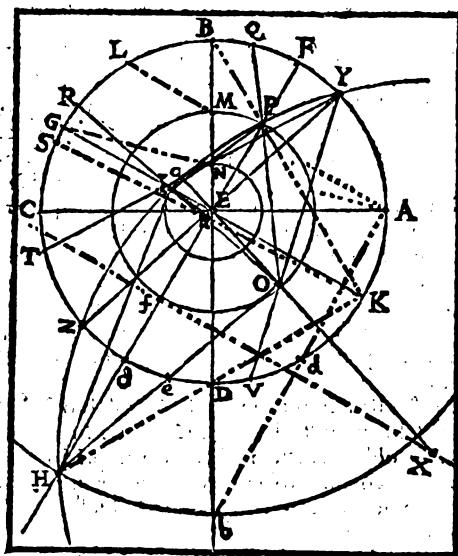
7. Q V O N I A M . vero loca australia minus exquisite in Astrolabio describiuntur , quam borealia , quod parallelorum australium semidiametri inueniantur per radios ex A , emissos , qui valde oblique rectam BD , secant : quædo vnam locorum australis est , & alter borealis , commodissime res peragetur . si pro loco australi accipiatur borealis per diametrum ei oppositus , quem videlicet Antipodes incolunt , & cuius latitudo borealis latitudini australi alterius æqualis est , longitudo vero à longitudine illius semicirculo differt : adeo ut si longitudo loci australis semicirculo minor est , ei addendus sit semicirculus , si vero maior , ab ea semicirculus demendus , vt vel consecutus , vel tali inquit longitude loci borealis oppositi . Nam si distantia inter datum locum borealem , & hunc alterum borealem australi oppositum inuenientur ex semicirculo subtrahatur , reliqua fieri distantia loci dati borealis ab australi dato . Exempli causa . Si datur locus borealis I , cuius longitudine contingit gradus 150. & latitudo grad. 60. & locus australis , cuius longitudine est grad. 240. & latitudo grad. 30. accipimus præ hoc locum borealem P , cuius longitudine sit grad. 60. (quæ semicirculo maior est .) latitudo vero grad. 30. sicut & australis loci . Nem si distantia inter loca I , P , invenientia detrahatur ex semicirculo reliqua erit distantia loci borealis , qui

Distantia inter locum borealem & australiem , quo pacto commodi dies reperiuntur .

Qqqq , loco

loco P, oppositus est. Cum enim circulus maximus in sphera per loca P, I, descriptus transeat necessario per loca opposita, distetque locus P, a loco opposito per semicirculum; liquido constat, arcum illius circuli maximi inter P, & I, possum (id est, distantiam inter loca P, I.) ex semicirculo sublatum, relinquere arcum eiusdem circuli maximi inter locum I, & locum australem, qui loco P, opponitur, interiectum, qui quidem distantiam loci I, ab eo loco australi metitur. Ita vides in figura arcum PI, ex semicirculo PIH, detraquam, reliquum facere arcum IH. Quod si locus australis datus habeat longitudinem grad. 40. & latitudinem grad. 50. sumendum erit locus borealis, cuius latitudo sit etiam grad. 50. longitudine autem grad. 220. quæ confiat ex longitudine grad. 40. loci australis, (quæ semicirculo minor est) & semicirculo.

Distantia inter duos australia loca, quo pacto ex oppositus locis borealibus invenienda erit.



rentur ab A, versus B, latitudines vero à B, versus C, vt parallelī latitudinū australium intra Aequatorem describantur, quemadmodum prius parallelī latitudinū borealium. Id quod ad finem libri 2. monuimus.

8. STELLARVM fixarum distantiae eadem prorsus ratione inveniuntur. Si namque in Astrolabio inueniantur loca quorumlibet duarum stellarum propositarum, vt lib. 2. propof. 11. Num. 2. 3. & 4. docuimus, & per ea loca circulus maximus describatur, cognoscemus magnitudinem arcus illius inter eadem loca interiecti, per radios ex eius polo per extrema puncta, hoc est, per eadem illa loca emissos. Vel si in recta, quæ a stella remotore a centro Astrolabij per centrum ducitur, punctum reperiatur eidem stellæ remotori oppositum, cognosce-

distanciam duarum stellarum que inveniuntur inveniuntur.

cognoscemus arcum, cuius chorda est recta inter easdem stellas collocata, vt lib. 2. propos. 18. Num. 3. tradidimus, atque paulo ante exemplum etiam positum est Num. 5. de recta PI, & Num. 6. de recta HI. Denique sicut duorum locorum in terra, ita quoque distantia duarum stellarum in celo, si earum loca in Astrolabio reperiantur, vt propos. 11. lib. 2. tradidimus, inquirenda est.

SED vt facilius fitus stellarum reperiamus pro earum distantias eruendis, statuemus in figura huius Canonis circulum ABCD, non esse Aequatorem, sed Eclipticam, eiusq; polum boreale E, ita vt spherae circulos describamus in plano Eclipticae ea forma, qua ex eius polo australi conspiciuntur. Ita n. circuli longitudinum stellarum per polos Eclipticae transseutes prolixcientur in rectas lineas per centrum E, ductas; & paralleli eiusdem Eclipticae per stellas ducti in Astrolabio ex centro E, describentur, vt paralleli Aequatoris. Ex quo efficitur, locum cuiusvis stellæ per eius longitudinem latitudinemque non secus in Astrolabio reperiri posse, ac supra locus quicunque terræ in eodem inuentus fuit. Nam si v. g. stella quæpiam habeat longitudinem à prima stella Arietis grad. 60. & latitudinem borealem grad. 30. numerabimus eius longitudinem ab A, versus B, usque ad F. Recta enim FE, erit eius longitudinis circulus: Deinde eiusdem longitudinem boream supputabimus à B, usque in L, vt per radium AL, recessetur semidiometer EM, paralleli per stellam transeuntis. Hic enim parallelus ex E, per M, descriptus, secabit FE, in P, loco stellæ. Eadem ratione reperiatur I, locus stellæ longitudinem à prima stella Arietis habentis grad. 150. & latitudinem borealem grad. 60. & sic de cæteris.

I G I T V R distantia stellæ P, à stella I, reperiatur perinde, ac si P, & I, loca essent in terra descripta. Quod si duarum stellarum altera habeat latitudinem australem, reperiemus distantiam inter eius punctum oppositum, & alteram stellam borealem, eaque ex semicirculo afferemus, vt distantia inter duas illas stellas reliqua fiat: quemadmodum supra de duobus locis terræ, quorum unus borealis sit, & australis alter, diximus. Habebit autem punctum, quod stellæ latitudinis australis opponitur, æqualem latitudinem borealem, longitudinem autem eam, quæ confinatur vel ex additione semicirculi ad longitudinem australis stellæ, vel quæ relinquitur post subtractionem semicirculi, si detrahi potest, vt de locis terræ Num. 7. dictum est. Sic etiam si offerantur duas stellæ latitudinem australium, indagabimus distantiam duorum punctorum oppositorum. Hæc enim æqualis erit distantia inter oblatas duas stellas.

V E R V M in scholio Canonis 22. distantiam eandem inuestigabimus, etiam si alter locorum, vel altera stellarum australis sit, vbi nimirum, quo pacto ex datis duobus trianguli sphærici lateribus, cum angulo ab eis comprehenso, tertium latus in Astrolabio sine calculo sinuum eruatur, docebimus: ita vt necesse non sit accipere locum per diametrum loco, vel stellæ australi oppositum.

Quando altera loca, vel stellarum australis est, canemus distantiam innare, etiam si eis punctum oppositum, non affinatum fuerit.

S C H O L I V M.

I. P R A E T E R modum illum Francisci Maurolyci Abbatis, distantia duorum querumlibet locorum ex Analemmate inuestiganda, quem in cap. 2. sphaera, cum de officijs Meridiani circulis ageremus, exposuimus, & demonstrationibus confirmavimus Geometricis: qui quidem modus facilissimus est, atque exquisitus: afferemus hoc loco alios duos aequæ fare faciles, quos Petrus Nenius lib. 2. de Nauigatione cap. 20. insinuat. Sed ut priorem demonstremus, ostendendum primum est, chordas arcuum duo

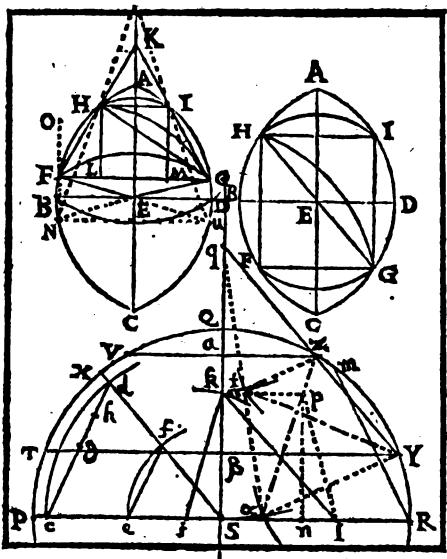
Distantiam duorum locorum in terra ex Analemmate performemus.

rum parallelorum inter duos Meridianos parallelas esse, ac proinde cum chordis aequalibus eorundem Meridianorum, quos predicti parallelis absindunt, consistere quaevis lateram figuram in uno piano existentem. Secent namque se mutuo duos Meridianos ABC, ADC , in polis A, C , & recta BD , chorda sit arcus Aequatoris inter eos Meridianos; at FG, HI , chorda arcum parallelorum inter eosdem; & FH, GI , chorda arcum aequalium, quos parallelis absindunt. Arcus enim FH, GI , aequales esse, perspicuum est. Dico HI, FG , parallelas esse, &c. Sit enim axis AC , & centrum spherae E ; & sumpto arcu BN , arcui BF , aequali, iungatur recta FN ; & quoniam reliqui arcus quadrantum FA, NC , aequales quoque sunt, erant ex scholio propos. 27. lib. 3.

a 10. 2.
Theod.

b 29. primi. Eucl. AC, FN , parallela. Igmar, ducta semidiametro spherae FE , anguli AEF, EFO , duobus rectis aequales sint; ideoq; AEF, EFH , duobus rectis minores. Cōcurrens ergo recta EA , FH , extra spharam in K . Eadem ratione ostendes, rectam GI , cum eodem axe EA , productio conuenire in aliquo punto, quod aio esse idem punctum K . Nam iuncta semidiametro spherae GE , & erunt anguli AEF, AEG , ad circumferentias insistentes arcubus aequalibus AF, AG , aequales, necnon & anguli EFH, EGJ , ad circumferentias insistentes quoq; arcubus aequalibus, qui nimirum reliquuntur, si arcus aequales FH, GI , dovrabantur ex semicirculis Meridianorum, quos semidiametri FE, GE , producunt. Cum ergo & latera EF, GE , illis adiacentia sine aequalia, & erunt etiam reliqua latera FK, EK , trianguli EFK , aequalia reliquis lateribus trianguli, cuius basis GE , & latera, recta à punto E , per A , & apud G , per I , usque ad eorum circumferentiam extensa. Igitur EA , GI , concurrent in K , quandoquidem latus EK , triangule.

d 26. primi.



e 2. undec. EFK , aequale est lateri alterius trianguli ab E , & sive ad concursum rectarum EA , GI . Triangulum ergo est KFG , & ac proinde in uno piano: ideoque & recta FG, HI , & 16. undec. in uno piano erunt, nimirum in piano trianguli KFG . Ex quo efficitur, easdem rectas FG, HI , esse parallelas, nimirum communes sectiones in piano $FGIH$, factas a planis parallelorum Aequatoris, que parallelia sunt. quod etiam ita ostenderetur. Quoniam trianguli KFG , latera aequalia KF, KG , proportionaliter secta sunt, & cum aequalis sint chorda FH, GI , ac propterea & reliqua recta HK, IK , erunt FG, HI , parallelae.

f 2. sexti. $EADEM$, propositio demonstratio erit, si parallelis, quorum chorda FG, HI , versus diversos polos vergant, dummodo non aequaliter ab Aequatore distent. Ut si parallelis v.g. australis chorda sit Nu , & borealis HI , minusque distet punctum N , à punto B , quam punctum H ; sumpto arcu BF , aequali ipsi BN , erunt rursus ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. recta FN, AC , parallela, ob arcus aequales AF, CN . Iūha ergo semidiamete.

70

*tro sphere NE, ergo duo anguli AEN, ENF, duobus rectis e qualibus; ac proinde duo a 29. primi.
AEN, ENH, duobus rectis minores; ideoq; concurrent EA, NH, versus H. Par ratione
in I, cum EA, concurret, atque adeo in eodem puncto cum recta NH, propter triangu
lum equalia. b Nam & hic tam anguli AEN, AEu, ad centrum insistentes arcibus b, 27 tertij.
equalibus AN, Au, e qualibus sunt, quam anguli ENH, EuI, insistentes ad circumferen
tias equalibus arcibus, qui relinquuntur, si arcus e qualibus NH, uI, detrahantur ex so
micirculis Meridianorum a semidiametris NE, uE, productis abscissorum. &c.*

*Q VOD si parallelas per Nu, ductus distet magis ab Aequatore per BD, ducto,
quam parallelas per HI, ductus, coibunt recta HN, In, cum exo AC, versus C,
productio.*

*S I vero parallelis per FG, HI, ducti equalibus spatij ab Aequatore per BD, du
ctio absint, ut in secunda figura, ostendimus HFGI, effigie parallelogrammi rectangul
i in uno plano existens. Erunt enim tam recta HF, AC, parallela, ob arcus aqua
les AH, CF, quam recta IG, AC, ob e qualibus arcus AI, CG, ex scholio propos. 27. lib.*

*3. Eucl. atque idcirco & HF, IG, inter se parallela erunt, atque ob id in uno piano;
ideoq; & HI, FG, in eodem cum ipsis piano; c Quidem inter se parallela, cum sine
communes sectiones in piano HFGI, factae a planis parallelis parallelorum Aequato
ris; vel quia coniungunt rectas HF, IG, parallelas, e qualibus sunt, propter aqua
litatem arcuum FH, GI. Parallelogramnum ergo est HFGI, in uno existens piano.
4. Et quoniam axis AC, ad plana parallelorum per FG, HI, duobus rectis est,
transitque per eorum contra, & per centrum sphere, erunt quoque axi parallela HF,
IG, ad eadem plana perpendiculares; ideoq; & rectas FG, HI, in eisdem planis
existentes, ex defin. 3. lib. 1. Eucl. perpendiculares erunt. Parallelogramnum ergo
HFGI, rectangulum est.*

c 9. undee.
d 7. undee.
e 16. undee.
f 33. primi.
g 29. tertij.
h 10. 1.
Theod.
i 8. undee.

Alla ratione di
stanciam locorum
ex Anelemmate
inquirere.

*2. HIS demonstratis, hac ratione distantiam unius loci ab altero inuestigabimus.
Sit Meridianus PQR; & PR, diameter Aequatoris; axis mundi QS; simus primam
duo loca vel borealia, vel australia, & unius latitudo sit PT, grad. 20. & alterius
PV, grad. 60. Diametri quoque parallelorum per ealoca ductorum sint TY, VZ; ac
differentia longitudinum PX, hoc est, arcus PX, aequalis sit arcui Aequatoris inter
Meridianos locorum posito, continuatque v. g. grad. 50. Quando haec differentia se
micirculo maior est, accipendum est eius complementum ad integrum circulum: ut se
contineat grad. 310. accipendi sunt grad. 50. pro differentia longitudinum, vel po
tius pro arcu Aequatoris inter Meridianos per data loca descriptos intercepto. Ducta
autem recta SX, describatur ex centro S, ad interuallum alterutrius semidiametro
rum BT, & V, ad interuallum v. g. semidiametri BT, arcus cd, qui quoniā similis
est arcui PX, aequalis erit arcui paralleli diametri TY, inter duos Meridianos dato
rum locorum intersecto, & iuncta recta cd, eiusdem arcus chorda erit. Si differentia
longitudinum quadrante maior est, nimur arcus RX, describendus est arcus pa
ralleli à semidiametro SR, usque ad rodam SX, rectaque à punto d, usque ad inter
sectionem paralleli cum semidiametro SR, ducta, foret chorda arcus paralleli inter Me
ridianos positi. Post hec per puncta T, V, vel (ut hic factum est) per puncta Y, Z, ducta
recta secante axem SQ, productum in q, describatur ex Y, ad interuallum chordae cd,
arcus, quem in a, fecet alius arcus ex q, ad interuallum qT, descriptus, integratur qua
recta aZ, quam dico esse chordam arcus distantiam locorum questram metentis: adeo
ut applicata recta Rm, aequali ipsi aZ, arcus Rm, dictam distantiam metatur. k Quo
niam enim axis QS, rectus est ad planum paralleli diametri TY, in eius centro, erit
ex defin. 3. lib. 1. Eucl. omnes anguli, quos cum semidiametris facit, recti. l gressu duo
latera qB, BX, trianguli qBT, aequalia sunt duobus lateribus trianguli quacilibet, cuius
unum laius est qB. & alterum semidiameter quecumque paralleli ex B, egrediente. Cum
ergo*

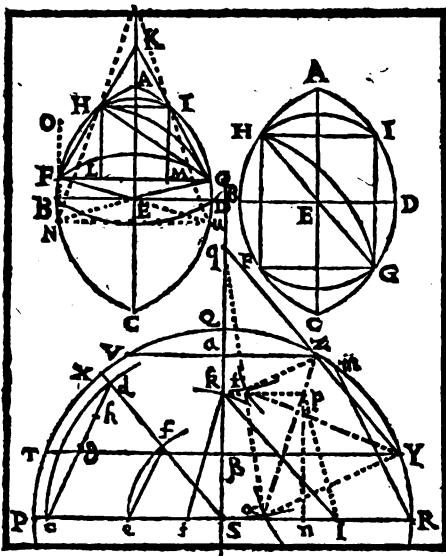
k 10. 1.
Theod.

a. 4. primi.

ergo & angulos contineant aequales, ut ipso sumus agi: erunt quoque bases aequales, nimirum qY, & recta ex q, ad circumferentiam usque paralleli educta, hoc est, ad punctum, quod semidiametrum parallelum pro latere posterioris trianguli summa terminat. Eademque ratione ostendentur omnes rectae ex q, ad eandem circumferentiam emissae, eidem qY, & inter se proinde aequales. Quocirca si triangulum qXY, concipiatur moueri circa qY, cadet tandem punctum a, propter equalitatem rectarum qa, qY, in circumferentiam paralleli, & Ya, chorda erit arcum eiusdem parallelis inter duos Meridianos locorum proposatum subtendens; propterea quod ipsi cd, sumpta fuit aequalis: ac proinde a, vertex erit loci per quem parallelus diametri TY, ducitur. Cum ergo Z, sit vertex alterius loci, erit aZ, chorda arcus distantiam unius loci ab altero metiens.

A R I ratione, si ad intervalium semidiametri, AV, arcus ef, describatur, & ad intervalium chordae ef, ex Z, arcus delineetur, quem fecerit in t, alias arcus ex q, ad intervalium qZ, descriptus; erit ductus tY, chorda eiusdem distantie; propterea quod circumducto triangulo qtZ, circa qZ, punctum t, in verticem loci, per quem parallelus diametri VZ, ducatur, cadit, &c.

Q V O D si locorum unus in boream, & alter in austrum vergat, si quidem latitudines inaequales sint, inuestigabitur eodem prorsus modo eorum distantia. Nam tunc quoque recta per duo puncta intersectiorum unius Meridiani cum diametris parallelorum extensa concurreat cum axe productio versus parallelum loci maioris latitudinis, ut in prima figura parsie de locis, quorum latitudines sunt rune BH, BN, &c.



latitudinibus aequalibus conflati, alterum vero chorda alterutrum parallelorum inter duos Meridianos; (qua chorda reperiatur ex differentia longitudinum, ut chorda et al., in tercia figura inuenita fuit ex differentia longitudinum PX,) dabit latens recto angulo oppositus, (qualis in 2. figura est recta GH,) chordae distancie quaesita in circulo maximo.

D E N I Q V E si duo loca versus eundem polum vergant, eandemque habeant latitudinem, unde chorda arcus parallelus inter duos Meridianos, chorda quae fuit distancie in maximis circulis.

3. CAETE-

3. C A E T E R V M quia non semper recta per extrema puncta dicti metrorum parallelorum, qualis fuit recta γZ , commode axem productum intersecat, sed interdum nimis procul, arque adeo nimis oblique, commodius agemus, si in plano quadrilaterum $E G I H$, vel $N u I H$, prima vel secunda figura, aut potius triangulum $H F G$, describemus. quod sic fiet. Quoniam demissis ex H , I , ad $F G$, perpendicularibus $H L$, $I M$, a latera opposita $H I$, $L M$, & $H L$, $I M$, in parallelogrammo rectangulo $H M$, aequalia sunt; b sunt autem & $F H$, $G I$, chorda equalium arcum Meridianorum aequales; c ac proinde tam quadratum ex H , quadratis ex $H L$, $L F$, quam quadratum ex $G I$, quadratis ex $I M$, $M G$, aequale: erit quoque quadratum ex $L F$, quadrato ex $M G$. aequali, ideoque & recta $F L$, $G M$, aequales erunt; ac proinde utraque erit semissis differentia rectarum $F G$, $H I$. Quocirca si fiat angulus rectus, qualis est $Q S R$, in tertia figura, & descriptis ex centro S , arcubus $c d$, $e f$, ad intervalium semidiometrorum βT , & V , ita ut recta $c d$, $e f$, sine chorda parallelorum inter Meridianos, accipiatur chorda $e f$, aequalis $c g$, & reliqua $g d$, bisariam fecetur in b , ut $g b$, vel $h d$, semissis sit differentia $g d$, rectarum $c d$, $e f$; sumemus $S i$, ipsi $g h$, vel $h d$, aequalem, atque ex i , ad intervalium $T V$, vel γZ , chorda nimis arcus Meridiani inter duos parallellos positi, arcum delineabimus secantem $Q S$, in k . Nam si recta $i l$, aequalis sumatur chordae $c d$, maioris per parallelis, erit ducta recta $k l$, chorda distantia locorum quasi ea, propeerae quod triangulum $k i l$, refert omnino triangulum $H F G$, cum $i S$. semissis differentia chordarum parallelorum $c d$, $e f$, respondeat ipsi $F L$, semissi differentia chordarum $H I$, $F G$, in prima figura, & recta $k l$, chorda $F H$, & perpendicularis $k S$, perpendiculari $H L$: adeo ut, sumpta $i n$, aequali ipsi $i S$, erectaque perpendiculari $n p$, ipsi $S k$, aequali, iunctisque rectis $k p$, $p l$, trapezium $k l p$, respondet trapezio $H F G I$, in prima figura, vel trapezio $\gamma \alpha \gamma Z$, in tertia figura.

a 34. primi.
b 29. tertii.
c 49. primi.

Aia ratio invenienda distantia duorum locorum.

4. P O S T R E M O distantiam duorum versus eundem poli vergentium hoc modo explorare licet. Sit in sequenti Meridiano $A B C$, cuius centrum D , primus locus sub vertice A , & eius Horizontis diameter $B C$; polus mundi E , Aequatorisque diameter $F G$; Latus secundi loci $G H$, vel $F I$, & parallelis Aequatoris per eius verticem duisi diameter $H I$, circa quam paralleli semicirculus descriptus sit $H K I$. Numerata autem differentia longitudinum ab I , usque ad K , siue ea minor sit quadrante, siue maior, semicirculo tamen non maior. (Quando enim differentia longitudinis semicirculo maior est, accipiens erit pro ea arcus qui, detracta longitudine differentia ex integro circulo, relinquitur) demittatur ad $H I$, perpendicularis $K L$, sius videlicet rectus differentia longitudinum: ex quo sit, rectam $L I$, esse finum versus eiusdem differentia. Ducta tandem per L , ipso $B C$, diametro Horizontis primi loci parallelis $M N$; dico arcum $A M$, vel $A N$, distantiam datorum locorum metiri. Si namque semicircus $H K I$, concipiatur circa $H I$, moueri, donec rectus sit ad planum Meridiani $A B C$, ac proinde recta $K L$, ad idem planum perpendicularis sit, ex defini. 4. lib. 11. Eucl. eadem punctum K , in verticem secundi loci, cuen parallelis Aequatoris $H K I$, per eundem verticem transeat in eo sita, & arcus $I K$, sit intervalum duorum Meridianorum. Igitur si per rectas $K L$, $M N$, intelligatur duci planum, & sa- d 10. 1. cies illud in sphera circulum per verisimum K , secundi loci transirent, cuius polus A . Theod. atque adeo ex scholio propos. 18. lib. 11. Eucl. Horizonti primi loci, cuius diameter $B O$, parallelum, cum eam hic circulus, quam Horizonte dictus ad Meridianum $A B C$, rectus sit, & communis eorum cum Meridiani eodem sectiones $M N$, $B C$, parallela. Cum ergo ex definitione poli, polus A , aequaliter distet ab omnibus punctis circumferentia diametri $M N$, sique recta inter A , & K , (existente $K L$, ad Meridianum $A B C$, perpendiculari) chorda distantia locorum; erit quoque arcus $A M$, vel $A N$, distantia duorum locorum.

Aia ratio invenienda distantia inter duo loca borealia, vel australia.

E A N D E M distantiam reperies, etiam si parallelam MN, non duas. Nam si inter alio LA, ex recta HL, e qualibet absindas rectam LR, versus quancunque partem, eris ducta recta RK, chorda quae sita distans. Si namque ad iunctam AL, perpendicularem excites LQ, ipsi LK, aqualem, erit recta ducta AQ, chorda eius distantie, cum, circumducto triangulo ALQ, circa AL, donec rectum sit ad Meridianum ABC, punctum Q, in verticem secundi loci cadat.

Cū ergo recta AQ, recta RK, aequalis sit, propterea quod latera AL, LQ, lateribus RL, LK, equalia sunt, angulosque continent aequales, ut posse rectos; erit quoque RK, chorda distantia quaesta.

Quod si quando accidat, perpendicularē KL, cadere in S, intersectionem rectarū BC, HI; erit locorum distantia quadrati AB, vel AC, aequalis, propterea quod tunc parallela MN, diametro BC, non differt.

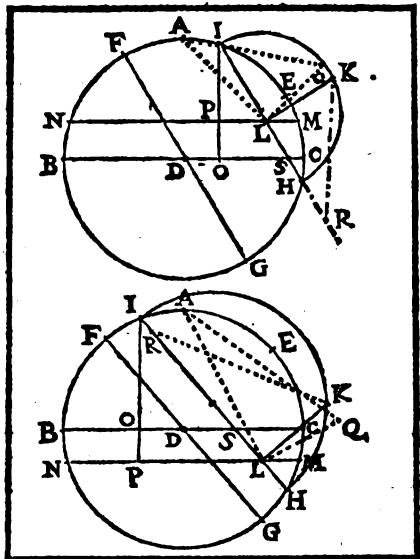
SIC etiam quando duo loca proposita eandem habent latitudinem, id est, quando recta HI, in punctum A, cadit; chorda differentia longitudinum in parallelo HI, I, subendet in Meridiano ABC, arcum distantia locorum.

5. Quod ANDO unus locorum borealis est, & alter australis, inquirenda erit distantia inter alterutrum locorum, & locum aleteri per diametrum oppositum, sumendo pro longitudinum differentia (quando iam redacta est ad arcus semicirculo minorem, ut Num. 4. dictum est,) id, quod relinquatur, detracta differentia longitudinum ex semicirculo. Nam invenientur distantia ex semicirculo dempta, reliquaque distantiam, ut supra Num. 7. huius Canonis dictum est.

6. IAM per sinuum calculum predictam locorum distantiam inagabimus hunc modo. Repetatur prima figura huius scholij, ubi in prioritatis duabus descriptionibus primus locus ponatur in H, ita ut eius laterudo sit BH, & eiusdem complementum AH; secundus autem locus sit in G, minus borealis, quam primus, vel etiam australis, ut in 2. descriptione; & differentia longitudinum sit angulus BAD, sine arcus Aquatoris, aut parallelis per alterutrum locorum ducti, inter duos Meridianos ABC, ADC, interceptus, si semicirculo minor est. Nam si semicirculum superas, accipiantur est angulus, vel arcus, qui cum illo rotum circulum compleat, intelligatur autem per due loca H, G, descriptus arcus maximi circuli HG, eorum distantiam metens, cuius magnitudinem sic reperiemus. In triangulo sphærico AHG, duo latera AH, AG, data sunt, cum sine complementa latitudinem, quando uterque locus borealis est, vel australis, sumpcio puncto A, pro polo artico, quando uterque est borealis, pro polo vero antartico, quando uterque est australis. At quando unus locus borealis est, nimirum H, & alter G, australis,

Quoniam vano
est borealis est,
calore australis.

Locorum distantia
per sinus exqui-
sera.



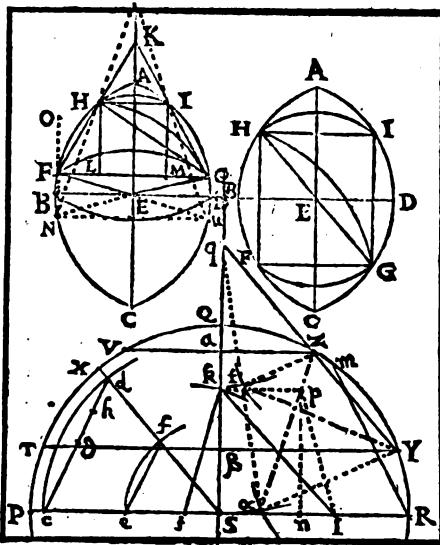
Meritis, erit quidem AH, complementum latitudinis loci borealis, sed AG, arcus erit ex quadrante AD. Et latitudine australi DG, cōpositus. Est insuper angulus HAG. à dictis lateribus comprehensus, notus, cum sit differentia longitudinum, vel certe id quod supereft, detracta ea differentia ex toto circulo. Igitur perproblemata 22. triang. spher. ultimi Lemmatis, tertium latus HG, inueniemus hoc modo.

Fiat ut sinus totus ad sinum complementi latitudinis loci minus borealis, ita sinus complementi latitudinis loci borealis ad aliud: gigne turque quartus quidam numerus. Si igitur ratus fiat, ut sinus totes ad quartum huc numerum inuentum, ita sinus versus anguli HAG, differentia longitudinum, ad aliud; procreabitur differentia inter sinū versus arcus, quo data duo latera AH, AG, inter se differunt, & sinū versus tertii arcus HG, qui queritur. Hac differentia adicta ad sinum versus arcus, quo data latera inter se differunt, conficiat sinum versus arcus HG, quasisti.

Quando latitudines locorum equeales sunt, ita ut triangulum fiat latus AFG, vel AHI; si per 1. modū problematis 8. triang. spher. Fiat ut sinus totus ad sinum complementi latitudinis alterutrius loci, ita sinus semissis anguli dati ad aliud: producetur sinus semissis lateris quasisti FG, vel HI. Inuenia ergo eius semisse, totam latus cognoscetur.

ALITER. Repetatur secunda figura huius scholij, in qua Meridianus ABC, circa centrum D; primi loci vertex A, & Horizonis diameter BC; Polus mundi E, Aequatorisque diameter FG; Latitudo secundi loci GH, vel FI, & paralleli Aequatoris per eius verticem duzi diameter HJ, circa quam semicirculus parallelis descripto sit HKI. Numerata autem longitudinum differentia ex I, usque ad K, si semicirculo minor est, (Nam si maior est semicirculo, numerandum est eius cōplementum, quod relinquitur, ex detracta ex toto circulo, ut Num. 4. diximus.) demiscatur ex K, ad HI, perpendicularis KL, ac per L, diametro Horizonis BC, primi loci parallela agatur MN. Et quoniam si semicirculus HKI, concipiatur moueri circa HI, donec transire sit ad Meridianum, punctum K, in vertice secundi loci cadit, cum IK, differentia sit longitudinum inter duos Meridianos; erit MN, diameter paralleli Horizonis primi loci, qui per verticem secundi loci K, duecitur. Cum ergo omnia puncta huius paralleli aequaliter à polo suo A, absint, erit arcus AM, vel AN, aequalis arcui inter duos loca A, K, (semicirculo HKI, existente recto ad Meridianum) intercepto: quem hoc modo expiscabimur. Ducta ex I, ad BC, perpendiculari IO, secante MN, in P, erit IO, sinus arcus CI, in primo circulo, vel arcus BI, in circulo secundo, qui comple-

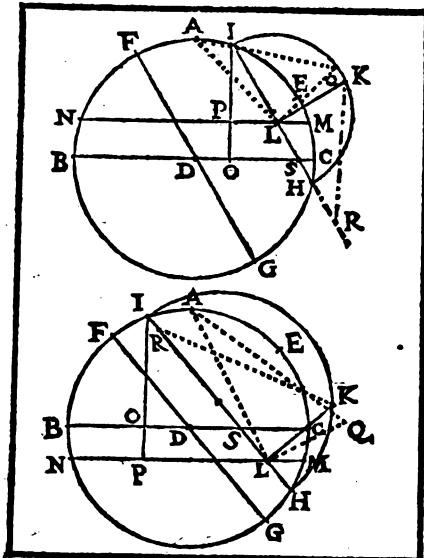
Rrrr 2. menum



mentum est arcus AI , differentia latitudinum duorum locorum, cum primi loci latitudo sit AF , & IF secundi.

I T A Q V E quoniam per Lemma 5. est, ut sinus totus Aequatoris ad sinum totum parallelī IH , hoc est, ad sinum complementi latitudinis secundi loci, ita sinus versus differentia longitudinum in Aequatore numerata ad IL , sinum versus differentia eaurundem longitudinum iu parallelo HKI , numerata; ad IL , inquam, in eisdem partibus circuli maximi, in quibus sinus totus paralleli, sinus est complementi latitudinis secundi loci: Item per propos. 1. nostrorum triang. rectil. in triâgulo rectangulo IPL , est, ut sinus totus recti anguli P , ad sinum anguli L , complementi latitudinis primi loci, (complementum enim latitudinis primi loci est arcus $B F$, cuius angulo BDF , aequalis est internus DHI , & huic similius aquilis externus ILP), ut IL , in partibus sinus totius maximi circuli, ad IP , in eisdem partibus, & ponetur eadem proportio ex proportionibus sinus totius ad sinum complementi latitudinis secundi loci, & sinus totius ad sinum complementi latitudinis primi loci, qua ex proportionibus sinus versus differentiae longitudinum ad IL , & IL , ad IP . (sumendo semper basce sinus in partibus sinus totius in maximo circulo) cum ha componentes proportiones illis compo-

a 29. primi.



b 23. sexti.

nentibus sint aequales. Componitur autem proportio sinus versus differentiae longitudinum ad IP , ex proportionibus eiusdem sinus versus ad IL , & IL , ad IP . Igitur eadem proportio sinus versus differentiae longitudinum ad IP , componetur ex proportionibus sinus totius ad sinum complementi latitudinis secundi loci, & sinus totius ad sinum complementi latitudinis primi loci. b Cum ergo ex his eiusdem duabus proportionibus componatur quoque proportio quadrati sinus totius (hoc est, rectanguli sub sinus vero, & sinus vero comprehensi) ad rectangulum sub sinus complementorum latitudinum datorum locorum contentum, erit eadem proportio quadrati sinus totius ad rectangulum sub sinus complementorum latitudinum locorum datorum contentum, qua sinus versus differentiae longitudinum ad IP .

Q V A M O B R E M, si fiat, ut quadratum sinus totius ad rectangulum sub sinus complementorum latitudinum locorum propositorum, ita sinus versus differentiae longitudinum ad aliud; procreabitur recta IP , quam argumentum distantiaz locorum appellabimus, cum per eam ipsa distantia elicatur. Quando enim argumentum IP , inuentum fuerit æqualis recta IO , hoc est, sinui complementi differentiae latitudinum, ita ut parallela MN , à diametro BC , non diffaret, complectetur distantia locorum quadratam AB , vel AC . Quando autem IP , ar-

Alla inventio di
stantia locorum
per numeros.

IP, argumentum deprehensum fuerit minus, quam IO, sinus complementi differentiae latitudinum, ut in primo circulo; detracto illo ex hoc, reliquus fiet PO, sinus arcus CM, qui complementum est distantia locorum AM, vel AN. Quando denique argumentum IP, maius fuerit inuentum, quam IO, sinus complementi differentiae latitudinum, ut in 2. circulo; detracto hoc ex illo, reliquus fiet OP, sinus arcus CM, qui ad quadranteam AC, adiectus, distantiam loco ruit AM, conficit. *Atque hoc modo semper reperiatur distantia duorum locorum, si utriusque latitudo borea est, vel australis.*

QV A N D O autem unius latitudo borea est, & alterius australis, inuestiganda est distantia inter locum borealem, & locum, qui australis opponitur. *Hec enim ex semicirculo dempta reliqua faciet distantiam quaesitam, ut Numerus dictum est.*

QV O D si eadem fuerit utriusque loci latitudo, ita ut punctum I, in A, cadat, distulum iam supra fuit, quo patto per triangula sphaerica inueniatur eorum distantia: quod tamen ex eadem hac figura 2. indagabimus hoc modo. Quoniam enim tunc sinus versus IL, differentia longitudinum in parallelo secundi loci numerata chorda est distantia, reperiens sinum versus I L, in partibus sinus totius circuli maximi has ratione. Fiat ut sinus totus Aequatoris ad finum totum parallelum HKI, id est, ad finum complementi latitudinis secundi, vel primi loci, (quia eadem ponitur utriusque loci latitudo) ita sinus versus differentiae longitudinum in Aequatore numerate, ad aliud. Producetur enim IL, sinus versus dictae differentiae in partibus sinus totius circuli maximi: cum per Lemma 5. eadem sit proportio sinus totius ad finum totum, quæ sinus versi ad finum versus.

PO R R O argumentum IP, cognitum fiet quoque hac alia ratione. Fiat ut sinus totus IL, ad IP, sinum anguli ILP, complementi latitudinis primi loci, (Nam posito sinu toto IL, recta IP, sinus est anguli ILP, ut in finum tractatione diximus.) ita IL, sinus versus differentiae longitudinum, ad aliud. Producet enim numerus dabit rectam IP, in partibus sinus totius parallelum HKI, in quibus IL, data fuit. Rursus fiat, ut sinus totus parallelum HKI, ad seipsum, quatenus sinus est complementi latitudinis secundi loci in circulo maximo, ita IP, cognita in partibus sinus totius eiusdem parallelum, ad aliud. Producetur enim IP, in partibus eiusdem sinus totius in circulo maximo, in quibus sinus complementi latitudinis secundi loci sumptus est.

Tentatio alia argumentum distantia locorum.

NO N minus accurate eandem locorum distantiam per numeros explorabimus in priori figura huius scholij, si prius duos errores quorundam in hac distantia inuestiganda detectero. Sunt enim nonnulli, in ter quos est Appianus in sua Cosmographia, & Ioan. Stephlerinus in Astrolabio, qui, quando duo loca differunt sola longitudine, hoc est, sub eodem parallelo sunt sic, docent, eorum distantiam inuentam esse, cum arcus illius parallelum inter duos Meridianos positus in gradus maximis circuli conuertatur: de qua contradictione paulo inferius dicamus. Sed hallucinantur: quia hac ratione insenitur distantia in arcu parallelum ad gradus maximis circuli reducitur; qui arcus maior est arcu circuli maximi per eadem loca descripti, ut alibi demonstravimus, qui quidem arcus circuli maximi veram locorum distantiam metitur. Deinde sunt alii, qui duorum locorum sub diversis Meridianis, ac parallelis collocatorum distantiam inquirunt per triangulum rectangulum, cuius unum latus circa angulum rectum est arcus Meridiani loci borealioris inter duos parallellos positus; alterum vero, arcus parallelum loci minus borealis inter duos Meridianos inclusus; (quod tamem imprispe dicitur, cum arcus parallelorum non constituant triangulum si hic circunferentia ad gradus maximis circuli venientur.) tertium denique latius, sine basis, est arcus maximi circuli per duas loca descripti. Huiusmodi triangulum est in prima descriptione, & secunda prima figura.

Errorum quoniam
dam in distantia
locorum inven-
tanda.

gurz huius scabolij, HFG, ex tribus arcibus constans. Summe namque hoc triangulum est. **a 47. primi.** Intra, perinde ac si rectilineum esset, acque ita ratiocinatur. Duo quadrata archum H, E, FG; ac secunda effere linea, sunt summa illorum quadratorum arcus HG, tanquam linea recta, aequalia. Igitur si. summa illorum duorum quadratorum radix quadrata exstabat, dabit ea magnitudinem arcus HG, tanquam linea recta. Ceterum hoc quidem modo in locis parum inter se distantibus, praesertim iuxta Aequatoriem, distantia circa oreorem alicuius momenti innuenietur, at in locis, quorum distantia non exigua est, non item. Quare alia via tenenda est.

Modus Vernerii
in distantiâ loco
rum exquirenda.

b 29. tertij. IOANES VERNERUS Norimbergensis iterum exquiratur. Reductis chordis HI, FG, arcum parallelorum, differentiam longitudinum mecentium ad partes diametri maximi circuli, ut paulo inferius docobimus, demittit ex H, I, ad rectam FG, perpendicularares HL, IM. Et quia quadrata rectarum HF, IG, quo ob aquales arcus Meridianorum aequales sunt, aequalia existunt; et etsique quadratum recta HF, quadratis rectarum HL, LF, et quadratum recta IG, quadratis rectarum IM, MG, aequali; erunt quoque illa duo quadrata his duobus aequalibus.

c 47. primi. Ablatis ergo aequalibus quadratis rectarum HL, IM, a qua aequalis sunt, ob parallelogrammum HLMI, (ostensum cuius est Num. 2. chordas HI, FG, parallelos esse. Cu ergo et HL, IM, parallela sunt, et a rectis angulis L, M, parallelogrammum erit HLMI.) erunt quoque reliqua quadrata rectarum FL, GM, ac proinde et ipsa latera, aequalis. Cum ergo HI, ipsi LM, aqualis sit, erit summa rectarum FL, GM, differentia chordarum HI, FG, et iam FL, quam MG, semissimis eiusdem differentiae. Est autem differentia cognita, quod et chorda sunt notae. Igitur et semissimonia erunt; ac proinde LG, ex MG, semissima differentia, et LM, chorda minore cognita erit: Sed et HL, cognita sit. Ablato enim quadrato recta FL, nota, exquadrato recta HF, nota, reliquum erit quadratum recta HL, notum. Si ergo quadrata rectarum HL, LG, cognitarum in unam redigantur summas, notum fiet quadratum recta HG, ac propterea eius radix quadrata chordam distantie locorum, quae exhibebit. Sed quia in hoc modo nimis multa sunt multiplicationes, atque operationes, progrediemur cum Petro Nonio longe faciliter, hoc scilicet ratione.

R E D V C T I S chordis HI, FG, ad partes diametri circuli maximi, cogitetur differentia eorum scilicet bisariam in partes F, LG, M, et 3. adiecta in rectam recta LM, vel chorda minor HI. Et igitur rectangulum sub teta FG, et adiecta LM, vel chorda minore HI, una cum quadrato semissimis differentia FL, aequali erit quadrato recta LG, composita ex semissimis altera GM, et adiecta LM. Addito ergo communis quadrato recta HL, erit rectangulum sub FG, HI, (summis iam HI, pro LM.) una cum quadrato rectarum FL, LH, hoc est, una cum quadrato recta FH, aequali quadratis rectarum GL, LH. hoc est, quadrato recta HG, aequali. Quocirca si rectangulum sub chordis HI, FG, reuocatis ad partes diametri circuli maximi contentum, et quadratum chordae FH, arcum Meridiani inter duos parallellos subtendens, in unam summam colligantur, exurget quadratum chordae HG, distantiam quiescitam subtendens; ideoque radix quadrata huius quadrati ipsam chordam efficiet cognitam. Arcus porro Meridiani inter duos parallellos, quando uterque locus est borealis, aut australis, est differentia latitudinum; quando vero unus in boream, et unus in austrum alter vergit, ex duabus latitudinibus conflatus.

Q V A N D O duo loca aequales habent latitudines, sed unus in boream vergit, et alter in austrum, ut in 2. descriptione huius figura, facilis distantia HG, repertur. Quantiam enim, ut Num. 1. demonstravimus, parallelogrammum rectangulum est HIGF, erit triangulum HFG, rectangulum, ideoque quadratis rectarum HF, FG, quadratum recta HG, aequali erit. Cum ergo duo illa sint cognita, quod et latera sine notis, enim HE, chorda arcus Meridiani inter duos parallellos ex duabus latitudinibus BH,

k 47. primi. Modus Petri Nonii facilior modo
de Vernerii.

BF, ex qua-

B F. equalibus conflati: ac chorda **FG**, nota sit per reductionem ad partes diametri circuli maximi; erit quoque quadratum **reB & HG**, notum, &c.

I A M vero arcus cuiusvis parallelis declinationem habentis notam, ad gradus maximis circuli reducetur hoc modo. **Quoniam** diametri circularum, ideoque & semi-diametri, eandem proportionem haveant, quam eorum circumferentia, ut à Pappo demonstratum est, & à nobis quoque in Geometria Practica. Si fiat, vt sinus totus Aequatoris ad sinum complementi declinationis parallelis, hoc est, ad semidiametrum eius, ita gradus 360. Aequatoris ad aliud, producetur numerus graduum maximis circuli, quibus gradus 360, parallelis equivalent. Et quia arcus similes eandem habent cum totis circumferentiis proportionem; si fiat vt. sinus totus ad sinum complementi declinationis parallelis; ita gradus in arcu Aequatoris BD, contenti, vel etiam unus gradus, id est, 60. minuta, ad aliud, gignetur numerus graduum Aequatoris, vel Minorum, quibus arcus parallelis HI, vel unus gradus, equivalent.

E A D E M facilitate reducetur chorda cuiusvis arcus parallelis ad partes diametri circuli maximi. Si namque fiat, vt sinus totus parallelis, ad seipsum, quatenus sinus est complementi declinationis, ita chorda dati arcus ad aliud, procreabitur chorda in partibus diametri maximi circuli, in quibus sinus totus parallelis sinus est complementi declinationis, &c.

P O S T R E M O silentio praterire nolo, quemadmodum ex secunda figura huius Scholij distanca duorum locorum inuenta est, ita ex eadem reperiri posse, & quidem eodem modo, declinationem cuiusvis stellae. Id quod ex Petro Nonio demonstraturos nos recomponimus in commentarij nostris in spharam. Repetatur ergo dicta 2. figura, in qua Colorus solstitionum sit **A BC**, circa centrum **D**; diameter Aequatoris **BC**, eiusque polus **A**; Ecliptica diameter **FG**, ita vt **F A**, sit latitudo poli mundi ab Ecliptica, tanquam primi loci. Deinde cogitetur per datam stellam duci duo circulus unius parallelus Ecliptica, cuius diameter **HI**, & alter parallelus Aequatoris, cuius diameter **MN**; eritque **I L**, sinus versus distantia stellae à Colore solstitionum, & **F I**, sinus latitudo, tanquam secundi loci. Obsonderimus iam, ut supra, quadratum sinus torius ad rectangulum contentum sub sinu maxima declinationis, (hoc est, sub sinu complementi latitudinis primi loci **A**, quod aquale est maxima declinationis **BF**.) & sub sinu complementi latitudinis stellae, tanquam secundi loci, (qui sinus est semidiameter paralleli latitudinis stellae, cuius diameter **HI**) eandem habere proportionem, quam sinus versus distantia stellae à Colore solstitionum in Ecliptica contenta habet ad rectam **IP**, quam iure dicere etiam possumus Argumentum de declinatione stellae. Quare si fiat, vt quadratum sinus totius ad rectangulum sub sinu maxima declinationis, & sub sinu complementi latitudinis stellae contentum, ita sinus versus longitudinis stellae à Colore solstitionum inchoata ad aliud, producetur **IP**, argumentum de declinationis. Ex hoc argumento **IP**, ita declinatione stellae **BN**, inueniemus. Quando argumentum **IP**, inueniemus fuerit aquale sian complementi differentia inter maximam declinationem, & complementum latitudinis stellae, (sive differentia inter complementum maxima declinationis, & latitudinem stellae.) Vt raque enim differentia eadem est, cum inter **E A**, maximam declinationem, & **BL**, complementum latitudinis stellae, differentia sit **AI**, eadem, qua inter **F A**, complementum maxima declinationis, & **FI**, latitudinem stellae.) hoc est, recta **IO**, ita ut diameter paralleli **MN**, à **BC**, non differat, carebit stella declinatione. Quando autem minus fuerit deprehensum, detracto ab ex **IO**, sinus complementi predicta differentia, reliquus fuit sinus **O P**, declinationis stellae, eiusdem denominacionis cum latitudine stellae. Quando denique argumentum maxime fuerit deprehensum sinus **IQ**, complementi differentia predicta, detrahebo hoc ex illo, restans

215, quinque.

Reductio circumferentia parallili ad gradus circuli maximi.

Reductio chordae arcus parallelis ad partes diametri circuli maximi.

Argumentum de declinatione stellae.

Declinatio stellarum, quo pacto alter inveniatur per numeros, q. in scholio Cas. 3. dictum est.

quus erit sinus OP, declinationis stellæ, contraria denominationis cum latitudine stellæ. Quia de re consule propos. 6. libri Petri Nony de Crepusculis, ubi 6. figuris omnem varietatem complexius est.

LONGITUDO foro stellæ à Colore solstitiorum numeranda est à principio \odot , si latitudo stellæ est borealis, & quidem secundum signorum successionem, si stellæ in semicirculo Ecliptica descendente existere, contra vero, si in semicirculo ascensore: Eadem vero longitudine à principio \odot , numeranda est, stellæ latitudinem habentes australē, & quidem secundum successionem signorum, si stellæ fuerit in semicirculo ascensore, contra vero, si in descendente semicirculo. Hac enim ratione erit summa stellæ longitude semper semicirculo minor.

Ita invenio argumentum declinationis IP, supputabimus hac alia ratione. Fiat ut sinus totus IL, ad IP, sinum anguli LP, maximæ declinationis, ita IL, sinus versus longitudinis stellæ à Colore solstitiorum, ad aliud. Productus enim numerus dabit rectam IP, in partibus sinus totius parallelī HKI, in quibus IL, sinus versus prædictus datur. Rursus fiat, ut sinus totus parallelī HKI, ad seipsum, quatenus sinus est complementi latitudinis stellæ in circulo maximo numeratus, ita IP, proxime inuenta ad aliud. Gignetur enim argumentum IP, in partibus sinus totius in circulo maximo, &c.

QVOD si stella careat latitudine, reperiatur eius declinatio, si Fiat ut sinus totus ad sinum maximæ declinationis, ita sinus distantiae stellæ à proximo puncto zequinoctii ad aliud. Procreatus enim numerus, sinus erit declinationis qualitas, quemadmodum Solis declinatio invenitur, ut in scholio Can. 3. ad initium Num. 1. scripsimus.

C A N O N XVI.

ALTITUDINEM Solis supra quemlibet circumulum maximum, eiusque distantiam Horizontalem, singulis horis inuestigare.

Distantia Solis horizontalis non solum in quibus circulib; max. etiam quid.

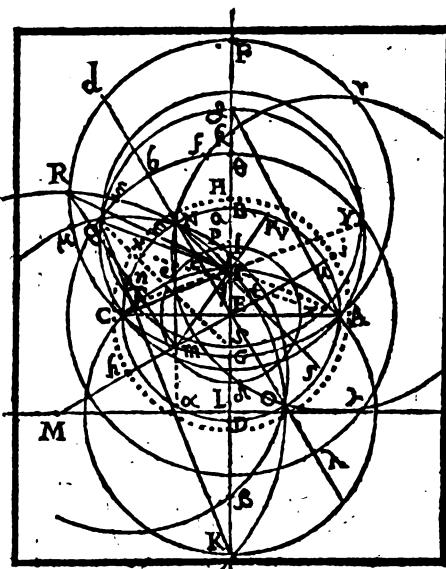
DISTANTIA M Solis Horizontalis appellamus arcum cuiusvis circuli maximi, instar Horizontis alicuius, interceptum inter eius Verticalem primarium (hoc est, inter punctum intersectionis eius cum Aequatore) & Verticalem eiusdem, qui proposita hora per centrum Solis ducitur.

1. SIT ergo in Astrolabio Aequator ABCD, circa centrum E; tropicus \odot , P c e; tropicus λ , fb Q; Horizon AFCG, eiusque centrum H; Verticalis primarius AICK, eiusque centrum L; & poli Horizontis I, K. Data autem hora à med. noc. numeretur à puncto D, versus C; a meridie vero à puncto B, versus A; at hora ab occasu à puncto A, versus D; hora denique ab ortu à puncto C, versus B; sitque N, terminus horæ 10. a med. noc. & horæ 16. ab occ. & horæ 4. ab or. Recta igitur EN, indicabit in omnibus parallelis Aequatoris horam 10. à med. noc. nimirum in tropico λ , in puncto b. & in tropico \odot , in puncto c. Circulus autem Horizontis equalis QNP, per N, ex centro h, quod in parallelo per H, ceterū Horizontis delineato existit, descriptus, ita ut ex A, versus D, eius concavum occurramus, secabit oēs parallelos Aequatoris in hora 16. ab occ. nimirū tropicū λ , in Q, & tropicū \odot , in P. Circulus deniq. eidē Horizontis equalis f N, per N,

per N, ex centro i, quod in eodem parallelo per H, centrum Horizontis ducto existit, descriptus, ita ut ex C, versus B, eius conuexo occurramus, eosdem parallelos Aequatoris in hora 4. ab or. secabit, nimirum tropicum λ , inf. & tropicum σ , in e; vt ex iis liquet, quæ lib. 2. propos. 9. Numero 7. demonstrauimus.

I T A Q V E si altitudinem Solis supra Horizontem, eiusque distantiam horizontalem inquirere velimus ad datam horam 10. à med. noc. vel 16. ab occ. vel 4. ab or. Sole existente in Aequatore, describemus per horam N, & polos Horizontis I, K, Verticalem RNIK, secantem Horizontem in R, cuius centrum M, in recta LM, ad meridianam lineam FG, in L, centro primarij Verticalis perpendiculari existit. Erit namque NR, arcus altitudinis Solis supra Horizontem, & IN, eius complementum, at CR, erit arcus distantiae horizontalis, in austrum vergens: quorum arcuum magnitudinem sic cognoscemus. Ducta ex M, centro Verticalis RIK, ad E, centrum Astrotabii rectæ ME, secante Horizontem, hoc est, circulum AFCG, supra quem altitudo Solis queritur, in m: erit m, polus Verticalis RIK. Cum enim hic Verticalis per polos circulū AFCG, transeat, transibit vicissim hic per illius polos, ex scholio propos. 15. lib. 1. Theod. &c Ducta ergo rectæ in N, mR, abscedent ex Aequatore arcum Nn, arcui NR, altitudinis Solis æqualem; & rectæ in N, mI, intercipiente in eodem Aequatore arcum σ N, complemento eiusdem altitudinis æqualem, vt ex iis constat, quæ lib. 2. propos. 5. Num. 17. demonstrauimus.

Altitudo Solis
ad datam horam,
quo pacto inveniatur sine Albo
lubo materiali.



RVRVSVS ductis ex I, polo Horizontis rectis IR, IC, secantibus Aequatorem in s, C, erit arcus sC, distantia horizontalis CR, æqualis, vt ibidem ostendimus.

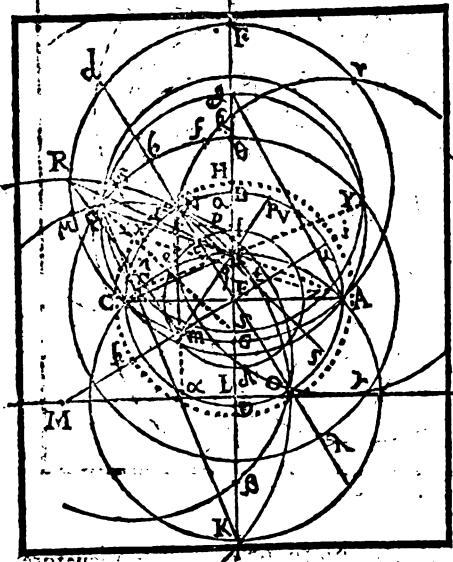
Distantia horis-
tal is ad datam ho-
ram, quo pacto
cognoscatur sine
Astrolabio ma-
riali.

E A D.E M ratione, si per b, I, K, Verticalis describatur centrum habens in eadem recta ML, inuenietur altitudo Solis, & distantia horizontalis pro hora 10. à med. noe. Sole existente in principio λ . Et si per c, P, K, Verticalis describatur, erit eius arcus à punto c, usque ad Horizontem altitudo Solis, & arcus Horizontis inter C, & eundem Verticalem positus, distantia horizontalis, pro eadem hora, Sole existente in principio σ . Sic eadem duo, altitudo ut delicit Solis, distantiaque horizontalis, reperiuntur pro hora 16. ab occ. Sole existente in principio σ , si per P, I, K, Verticalis describatur. Præ hora vero ex-
Siff dem, So.

dem, Sole principiam $\frac{1}{2}$ a posidente, si Verticalis describatur per Q, I, K. Non alter propositum assequemur pro hora 4 ab or, tam in principio, qd, quam in principio $\frac{1}{2}$, si tamper e, I, K, quam per f, I, K, Verticalis describatur, cuiusque polus inueniatur, &c.

*Altitudinem so-
lie, distantiamq;
horizontale in re-
perire, sine Verti-
cali per Sole de-
scriptio.*

2. V E R V M & altitudinem Solis supra datum circulum maximum, tanquam Horizontem quempiam, & distantiam horizontalem reperiemus, etiam si Verticalis (qui aliquando non sine labore describitur, praesertim quando hora prope meridianam lineam exigit) per datum horam descriptus non sit. hoc modo. Sit data v. g. hora 16. ab occ. Sole tenente principium λ , in puncto Q. Duds ex Q, ad polos I, K, dati circuli maximi AFCG, rectis QI, QK, secesset angulus IQK, bisariam per radiam QS, secantem FG, in S: eritque S, punctum, per quod parallelus circuli AFCG, per Q, descriptus transit, ut lib. 2. propos. 18. Num. 3. ostensus est; ac proinde arcus Meridiani IS, aequalis erit arcui Verticalis per Q, descripti inter Verticem I, & punctum Q, in quo Sol ponitur. Recte ergo ex A, per I, S, emissus ibstinet ex Aequatore arcum aequalis arcui IS, vel illi arcui Verticalis complementum clavis.



210. 2.
Theod.

tra polum I. ex eodem parallelo arcum abscentur tot graduum equum, quot per arcum TQ, representantur, ut lib. 2. propof. 6. Nisi. ac demon-
strauimus.

3. Q V O D. de altitudine Solis supra Horizontem, & distansia eius horizontali inuestiganda dictum est, intelligendum quoque est in alijs circulis maximi. Quilibet enim circulus maximus vires gerit alicuius Horizontis. Quare si ex proprio situ in sphera cognito describatur in Astrolabio, ut lib. 2. prop. 2. docuimus, sumenda erit recta per eius centrum, & centrum Astrolabii ducta, pro eius linea meridiana, in qua ciuidem poli inuestigandi sunt, & centrū Verriculis

Digitized by Google

plus primarii, per quod recta ad propriam meridianam perpendicularis est exexta, ut in ea centra omnium Verticalium inueniantur. Recta augem ex centro cuiusque Verticalis per centrum Astrolabii educta secabit descriptum circulum maximum in eiusdem Verticalis polo, &c.

4. V E R T I C A L I S primarius AICK, meridiana linea est FK, & Verticalis eiusdem primarius, Horizon APCG, cum per eius polos F, G, & per A, C, polos Meridiani incedat. Omnes autem alii Verticales ipsius occultant AICK, tanquam Horizonis, centra habebunt in recta, quae per H, centrum Horizonis AFCG, qui primarius Verticalis est circuli Verticalis AICK, perpendicularis ad FG, educitur. Atque ita descripto Verticali per F, Q, G, metietur eius arcus inter Q, & circulum AICK, altitudinem Solis supra eundem circulum AICK, & arcus eiusdem circuli AICK, inter C, & dictum Verticalem per F, Q, G, descriptum, erit MANTICHOZONALIS. Prioris arcus magnitudo cognoscetur per arcum Aequatoris, quem recte ex polo dicti Verticalis ad extrema puncta illius arcus emissae absindunt: magnitudinem vero posterioris metietur arcus Aequatoris abscissus a recte ex G, polo circuli AICK, per extrema puncta eius arcus trajecte. Quod si per Q, describatur parallelus circuli AICK, referet eius arcus inter Q, & circulum AFCG, quem primarium Verticalem ipsius Verticalis AICK, diximus, arcum similem horizontali distantiae, &c.

5. M E R I D I A N I circuli FK, meridiana linea est AC, referens circulum maximum per polos mundi, & per A, C, polos ipsius, Meridiani ductum. Verticalis autem eius primarius, erit Aequator ABCD, ductus per A, C, polos Meridiani FK, & per B, D, polos circuli maximi AC, qui proprius Meridianus est Meridianus FK; & in recta FK, ad AC, perpendiculariter in E, centro Aequatoris, qui Verticalis primarius est Meridiani, existent centra omnium Verticalium Meridiani per A, C, describendorum. Itaque si per A, Q, C, Verticalis describatur, metietur eius arcus Qg, altitudinem Solis supra Meridianum hora 16. ab occ. cum principium λ . Sol occupat; quem arcum cognoscemus per arcum Aequatoris abscissum a rectis, quae ex q, polo Verticalis CQg, inuenientur autem polus q, si ducta recta Ag, secante Aquatorem in V, quadrantem sumamus VX. Recta namque AX, secabit FK, in quærito polo q, quod segmentum gq, rectæ FK, circulum maximum per mundi polos ductum representantis, quadrantem VX, referat) ad g, Q, ducuntur. Arcus autem Bg, erit distantia horizontalis, cuius æqualem ex Aequatore absindet recte ex A, ad g, B, emissæ. Quod si per Q, Meridianus FK, parallelus describatur, vt lib. 2. propos. 18. Numerus, docuimus, referet eius arcus inter Q, & Aequatorem, arcum horizontali distantiae similem. Et si angulus comprehensus a rectis ex Q, ad A, C, polos Meridiani ductis secetur bifariam per rectam, secabit ea rectam AC, in punto, per quod Meridiani parallelus per Q, describendus transit. Segmentum ergo recte CA, inter C, & illud punctum, referet complementum altitudinis Solis, &c.

6. A E Q U A T O R I S denique ABCD, linea meridiana est BD, & Verticalis eius primarius recta AC, representans circulum maximum per polos mundi, & per A, C, polos Meridiani ductum. Altitudo Solis supra Aequatorem quolibet die in singulis horis æqualis est declinationi Solis, quam eo die habet. Distantia vero horizontalis est arcus Aequatoris inter C, vel A, & rectam lineam, quæ ex centro E, per horam in quolibet parallelo datum ducitur, cum Verticali Aequatoris per centrum Solis ductum representet.

7. I T A Q V E si omnium horarum tam a merid. & med. noct. quam ab or. & occ. in Astrolabio describantur, vt lib. 2. propos. 9. traditum est, & circulus

maximus, supra quem altitudines Solis, & in quo distantiae horizontales in-
gande sunt, delineatur, ut lib. 2. propos. 12. docuimus, illico apparet, qui-
busnam in punctis horae cuiusque generis parallelos Aequatoris intersecent,
Quare si reperiatur diameter vera circuli dati maximi, ut lib. 2. propos. 8. Num.
18. dictum est, eiusdemque poli inueniantur, ut in eadem propos. Num. 17. præ-
cepimus, reperiemus pro qualibet hora cuiusvis paralleli altitudinem Solis, di-
stantiamque horizontalem, si per horam in dato parallelo vel Verticalem pro-
positi circuli maximi, vel parallellum eiusdem circuli maximi describamus, &c.

V E R V M altitudines Solis, distantiasque horizontales alia ratione in scho-
lio Canonis 22. inueniemus, etiam nec Verticales circuli, aut parallelis maxi-
mi circuli obliqui describantur.

S C H O L I V M.

Circumferentia
descensus, & ho-
rizontali, que.

1. C O M P L E M E N T V M altitudinis Solis supra datum circulum maxi-
mum, lib. 6. nostra Gnomonices appellauimus cum Ptolemeo circumferentiam descen-
sus, horizontalem vero distantiam, circumferentiam horizontalem: Et utramque
tam ex Analogate, quam ex calculo finissimum investigauimus. Horizontales circum-
ferentia latitudines umbrarum, descensus vero circumferentia, vel altitudipes Solis,
earundem umbrarum longitudines determinant. Ex latitudinibus porro umbrarum,
ac longitudinibus, in plano, quod circulo maximo aequaliter, supra quem altitudines
Solis, horizontalesque distantiae sunt inuenientur, horologia describuntur, ut abunde lib. 5.
Gnomonices, propos. 5. & lib. 6. cap. 9. & 10. iradidimus. Altitudinem quoque Solis, su-
pra Horizontem quidem lib. 1. Gnomonices, propos. 3. 6. supra quemlibet vero alium cir-
cumulum maximum, lib. 5. propos. 1. alijs vijs, quam lib. 6. intelligandam proposuimus.
Verum si ea, qua in hoc Canone scriptissimus, attente considerentur, non admodum mo-
dos illos in Gnomonica decripeos desiderabimus, cum utramque circumferentiam, tā
eam, qua altitudinem Solis, quam eam, qua horizontalem distantiam metitur, vro qua-
libet hora, Sole quemcunque parallelum obtinente, sine magno labore hoc Canone in-
vestigare docuerimus in quoquis circulo, adeo ut per hunc solum Canonem omnia repe-
riantur, qua ad horarum determinationem in quolibet horologio requiruntur.

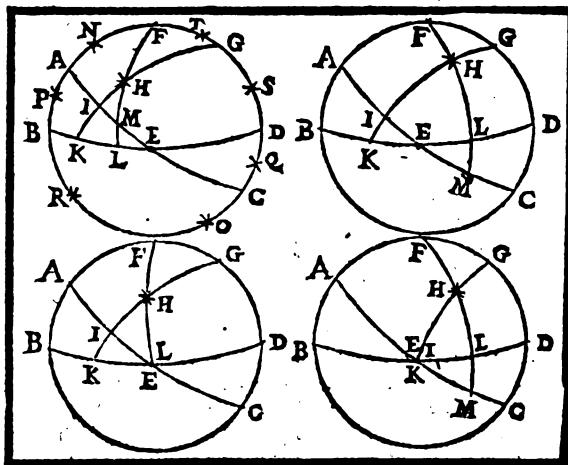
Canonis huies
utilitas in ho-
logis describen-
dit.

2. S E D ut in planis, qua neque Horizonti, aut Verticale primario, neque Meri-
diano, vel circulo hora 6. a.m. ac med. noc. aut Aequatori aequaliter describantur
horologia per praecpta propos. 5. lib. 5. Gnomonices, opus habebimus arcu circuli maxi-
mi, cui horologium aequaliter, interiecto inter Meridianum proprium eius circuli, &
Meridianum Civitatis, in qua horologium describitur: Item interdum indigemus in
elatione Meridiani proprii ad Meridianum Horizontis eius loci, in quo delineamus
horologium; agemus de his, & nonnullis alijs problematibus, que partim in Gnomoni-
ca explicauimus, in Canonibus, que sequuntur.

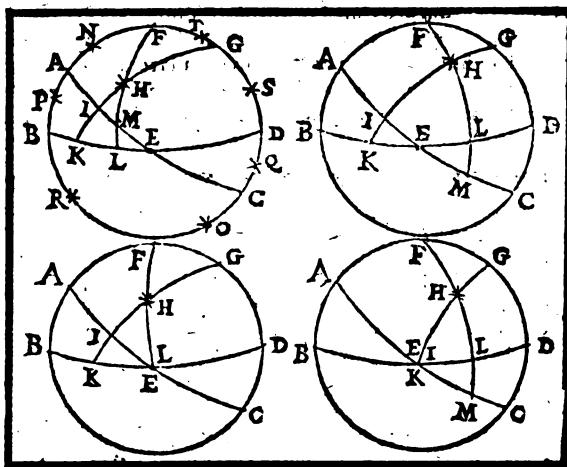
3. L I B E T autem prius Canonem hunc per numeros alio modo, quam in Gno-
monica, expedire. Repetantur ergo priores 4. circuli ex illis duodecim, quos in scholio
Can. 3. Num. 10. descripsimus, in quibus Meridianus sit ABCD; Aequator AC, &
polus mundi G; Horizon, vel quisvis alterius circulus maximus obliquus, cuius situs in spha-
era norus sit BD, eiusque polus F, & cuius Meridianus proprius sit ABCD, per eius po-
lum, & polum mundi ductus. Ponatur autem Sol in H, quemcunque parallelum occu-
pet, & per H, ex polo mundi G, transeat circulus horarius GI, ita ut angulus AGI, di-
stantiam Solis à Meridiano metiatur. Denique per H, ex vertice F, Verticallis descen-
dat FL, ita ut HL, sit arcus altitudinis Solis supra circulum BD, quem Horizontem
dicimus,

discimus, cum vero manere Horizontis in aliquo loco fungatur. Quoniam igitur in triangulo sphaerico $F G H$, duo latera $F G, G H$, nota sunt, cum illud sit complementum altitudinis poli supra datum circumflexum, cuius Horizontem, hoc vero, complementum declinationis motus, vel, si Sol australis est, arcus ex declinatione, & quadrante confatus; Est autem & angulus ab ipsis comprehensus $F G H$, distantiam Solis a proprio Meridiano dati Horizontis metiens, notus: si per problema 22. triang. spher. ultimi Lemmatis, Fiat ut sinus totus ad sinum arcus $G H$, complementi declinationis, vel arcus confatus ex declinatione australi, ac quadrante, ita sinus arcus $F G$, complementi altitudinis poli ad aliud, gignetur quartus quidam numerus. Et si iterum fiat, ut sinus totus ad quartum numerum proxime inuentum, ita sinus versus anguli $F G H$, distantia Solis a Meridiano, ad aliud, producetur differentia inter sinus versus tertij lateris $F H$, & sinus versus arcus, quo data latera $F G, G H$, inter se differt. Que differentia addita sinus verso dicti arcus, quo dati arcus $F G, G H$, inter se differt, conficiet sinum versus tertij lateris $F H$; ac proinde arcus ipse $F H$, comple-

Altitudinem Solis supra quem circulum maxime obliquum per numeros quo liber hora efficitur notam.



complementi declinationis Solis, (quando enim Sol australis est; habet arcus GH, ex arcu declinationis, & quadrante conflatu eundem sinum, quem arcus complementi declinationis, cum duis hi arcus semicirculum conficiant) & si-
num versus arcus, quo duo latera GF, FH, inter se differunt ad aliud. Procrea-
tus enim numerus erit sinus versus anguli questi GFH. Angulus ergo ipse cogni-
tus erit, ac proinde & eius arcus DL, Horizontis inter Meridianum versus polum ba-
realium, & Verticalem FL, qui per Solem hora observationis ducitur. Et si arcus DEI



maior fuerit quadrante, dempto quadrante ex eo, reliqua fiet distantia horizontalis à proprio Verticali primario versus austrum: si autem quadrante minor, dempto eo ex quadrante, remanebit horizontalis distantia ab eodem Verticali versus Septentrio-
nem. Quod si complementum altitudinis poli & complemento altitudinis Solis sit æqua-
le, ita ut triangulum GFH, sit Isoscelos, reperiatur angulus GFH, longe facilius, ut
in eodem problemate scripsimus. Nam si per 2. modum problematis 1. triang. spher.
Fiat ut sinus totus ad sinum semissis lateris GH, (quod complementum est de-
clinationis, quando Sol borealis signa percurrit, vel arcus ex declinatione, &
quadrante coagmentatus, quando australia signa Sol possidet) ita secans comple-
menti arcus FG, hoc est, ita secans altitudinis poli, ad aliud, producetur sinus se-
missis anguli GFH, questi, &c.

ALTI TVDINEM quoque Solis supra Horizontem, aut quæcumque circu-
lum maximum, supputare possumus cum Peiro Nonio, quemadmodum in scholio prece-
dentiis Canonis distantias locorum, & declinationes Stellarum supputauimus. Repeta-
tur enim secunda figura illius scholij, & in primo eius circulo intelligatur ABC, Me-
ridianus, circa centrum D; diameter Horizontis BC, eiusque polus A; Aquatoris dia-
meter FG, & polus mundi E; diameter paralleli Solis quicunque HI, circa quem pa-
rallelus descriptus sit I KH, in quo locus Solis ponatur in K; demissa autem ad IH,
perpendiculare KL, agatur per L, diametro Horizontis parallela MN, qua diameter
erit paralleli Horizontis per Solem ductum, ut constat; si semicirculus I KH, statua-
tur re-

et rectus ad Meridianum. Erit enim tunc KL , ad quendam Meridianum perpendicu-
laris, ex defin. 4. lib. 11. Eucl. ideoque & planum per KL , & MN , ductum ab a 18. nunc.
Meridianum rectum erit. Cum ergo & Horizon ad Meridianum rectum sit, sintque
 BC , MN , communes sectiones Meridiani cum Horizonte, & plane per KL , MN ,
ducta, parallelae, erunt ex scholio prop. 18. lib. 11. Eucl. planum Horizontis, & pla-
num per KL , MN , ductum, parallelae, ac propterea circulus, b quem posterioris planum
in sphera facit, parallelae erit Horizonti. Demissa denique ex I , ad BC , perpendicular-
cularis IO , sinus rectus erit altitudinis meridiana, IC ; & PO , sinus altitudinis Solis
tempore observationis; & IL , sinus versus distantia Solis à Meridianio. Iam si cogita-
tur A , esse vertex primi loci,
ita ut eius latitudo sit FA , p*q*
parallelus autem secundi loci sit
 H K I , ita ut eius latitudo sit
 F I , & differentia latitudinum
 AI , erit IO , sinus complementi
huius differentia. Igitur, ut in
scholio precedentis Canonie
Num. 6. demonstrauimus, erit
ex quadratum sinus totius ad
rectangulum sub sinu comple-
menti declinationis EI , & si-
nu complementi altitudinis po-
li AF , ita IL , sinus versus di-
stantia Solis à Meridianio, ad
 IP , differentiam inter IO , si-
num altitudinis meridiana,
& PO , sinus altitudinis So-
lis tempore observationis.

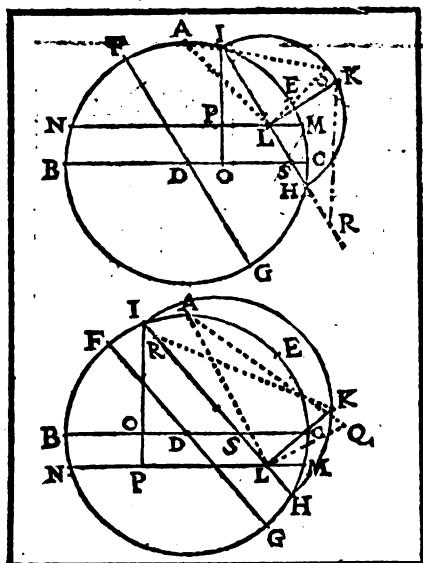
QVOCIRCA si fiat,
ut quadratum sinus totius
ad rectangulum sub sinu co-
plementi altitudinis poli su-
pra circulum propositum,
& sinu complementi declina-
tionis, ita sinus-versus distatia Solis à Meridianio proprio dati circuli, ad aliud,
producetur numerus, qui ex sinu altitudinis meridianæ subtractu relictum fa-
cit sicut altitudinis Solis quæsitæ. Atque hoc ratio quadrat in omnem sinus So-
lis, etiam si ejus parallelus totus extet supra circulum maximum, ac proinde duas ha-
beat altitudines meridianas; dummodo in calculo maior alti: uero meridiana effun-
atur. Qua de re legatur, si placet, propos. 12. libri Petri Nonii de Crepusculis.

DIFFERENTIA ratione eadem IP , inter sinus altitudinis meridianæ, & sinum
altitudinis Solis hora observationis, supponitur, hanc etiam ratione. Fiat ut sinus to-
tius IL , ad IP , sinus anguli ILP , complementi altitudinis poli, ita IL , sinus ver-
sus distantia Solis à Meridianio ad aliud. Numerus enim productus dabit rectam
 IP , in partibus sinus totius parallelis Solis IH , in quibus data est IL . Si giratur ratiom
Etat, ut sinus totius parallelis Solis ad seipsum, quatenus sinus est complementi
declinationis in circulo maximo, ita IP , cognita in partibus sinus totius eius-
dem parallelis, ad aliud; procreabitur IP ; in partibus eiusdem sinus totius in ma-
ximo circulo, in quibus sinus complementi declinationis semper fuit.

Potentio alia al-
titudinis solis
per numeros.

Alia iumenta dif-
ferentia inter ha-
num altitudinis
meridianæ, & si-
num altitudinis
quæstæ.

VICIS-



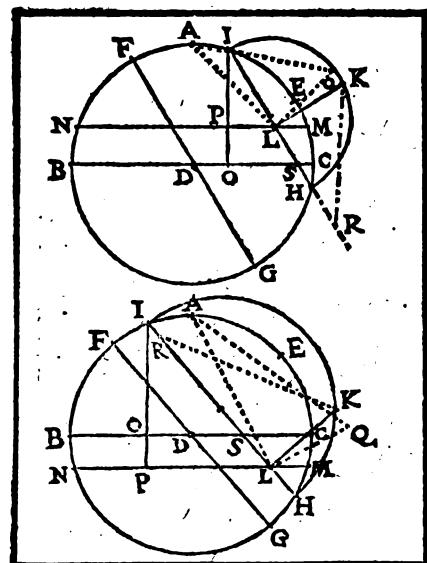
Horam ex altitudine Solis per unum meritos obseruantur.

VICISSIM si fiat, ut rectangulum contentum sub sinu complementi altitudinis poli, & sinu complementi declinationis, ad quadratum sinus totius, ita differentia inter sinum altitudinis meridianarum, & sinum altitudinis Solis aliunde cogitat tempore observationis, ad aliud, producetur sinus versus distantiae Solis à Meridiano. Ex hac distantia facile hora tempore observationis cognoscetur.

QUEM sinum versus distantia Solis à Meridiano ita quoque reperiemus. Fiat vt IP, sinus anguli ILP, complementi altitudinis poli, ad IL, sinus totum, ita IP, quatenus differentia est inter sinum altitudinis meridianarum, & sinum altitudinis Solis cognitis, ad aliud. Numerus enim, qui gignetur, dabit rectam IL, in partibus sinus totius in circulo maximo, in quibus videlicet sinus altitudinis meridianae datum est. Si igitur rursus. Fiat, ut sinus complementi declinationis Solis ad seipsum, quatenus sinus totus est paralleli Solis, ita IL, nuper invenuta ad aliud, producetur eadem IL, quatenus sinus versus est distantiae Solis à Meridiano in partibus sinus totius eiusdem parallelorum. Igitur distantia à Meridiano, arcus scilicet IK, cognitus erit. Et.

OMNI A HAC quadrante etiam in quamcumque stellam, cuius declinatio cognita sit. Næ eadem prorsus ratione, ex eius distantia à Meridiano invenitur eiusdem altitudo supra Horizontem; & ex altitudine cognita per aliquod instrumentum, distantia ipsius à Meridiano: si nimirum pro declinatione, & parallelo Solis accipitur declinatio, & parallelus stellæ, ut perspicuum est. Ex di-

Altitudines stellarum ex eius distantiâ à Meridiano: Et vicissim distantiam eius à Meridiano, ex eius altitudine perferatur per numeros.



stantia autem stellæ à Meridiano ipuenta elicetur hora, quemadmodum in scholio Can. 8. Num. 2. docuimus. Verum horam ex altitudine Solis interdiu, & noctu ex altitudine alicuius stellæ, supposauimus etiam supra, alia tamen ratione, ad calcem scholij Canonis 8.

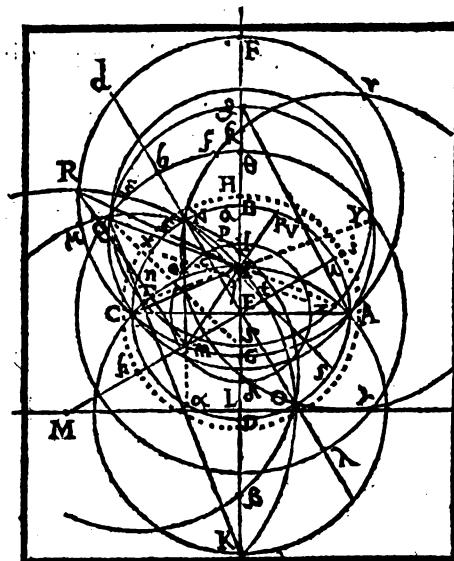
C A N O N X V I I .

DATO circulo in sphera maximo ad Meridianum inclinato, quantus sit arcus ipsius inter Meridianum Horizontis, & Meridianum eius proprium intersectus: & quanta sit huius Meridiani proprij ad Meridianum Horizontis inclinatio, indagare.

i. H A E C

1. H AEC est propositi 30. lib. 1. Gnomonices, quam ibi per Sinus absolu-
mus, hic autem eandem per ea, quæ hoc Astrolabio demonstrata sunt à nobis.
(quam rationem , & in iis, quæ sequuntur , seruabimus) facilius expediemus .
Sit ergo in figura precedentis Canonis maximus circulus, cuius positio ac situs
in sphera datus sit, descriptus per propos. 12. lib. 2. in Astrolabio R-NIOK ,
cuius centrum M , secansque Meridianum Horizontis in I , & Aequatorem
in N , O . Ducta ex M , centro propositi circuli per E , centrum Astrolabii, re-
cta ME, secante eundem datum circulum in t; referet ea Meridianum proprium
dati circuli, ut propos. 3. lib. 2. Num. 4. demonstrauimus, ideoque It , arcus erit
circuli propotiti. inter duos
Meridianos EI, Et, qui que-
ritur. Inuenito dati circuli po-
lo m, intra Aequatorem, per
ea , quæ libro 2. propos. 8.
Num. 17. ostensa sunt, (quod
siet, si iuncta recta NO , quæ
per E , ceterum transibit, cum
sit duorum maximorum cir-
culorum seccio , & perpendicularisque erit ad Mt, cum Mt,
ex M , centro circuli NIO ,
ducta eam secet bisariam in
E ; ex alterutro punctorum
N,O,nimirum ex N, per t, re
ctam emittamus Nf , & fæ ,
quadrantem accipiamus. Re-
cta namque Na , rectam Mz ,
in polo qualito m , secabit,
&c.) iuferent rectæ mt, mi ,
ex Aequatore arcum up, quæ
sito arcui It , æqualem, quod
ad numerum graduum atti-
net.

Arcum circuli
cuiusvis maxi-
mi inter propriis
Meridianum , &
Meridianum re-
gionis datae ince-
digere.



2. ARCVS autem Bu-
metietur angulum BEU ; inclinationis Meridiani MEu , ad Meridianum BED :
quæ quidem inclinatio in supero hemisphærio occidentalis est, in infero vero
orientalis . Atque ita semper arcus Aequatoris inter duos Meridianos positus
inclinationem Meridianorum metietur .

Inclinationes Me-
ridiani circuli cu-
muis obliqui ad
Meridianum Ho-
rizontis inten-
tu .

3. QVANDO circulus ad Meridianum inclinatus per polos mundi tran-
sit, cuiusmodi v. g. est NEO, nullus arcus ipsius inter duos Meridianos interci-
pietur, cun utrumque Meridianum in ipsiusmet polis interfecet.

S C H O L I V M.

1. IN boreologiorum descripsione , circulus maximus datus aut rectus est ad Ho-
rizontem, haec est , ex Verticalibus usus ; atque ita inuenta eius declinatione , ut pro-
pos. 23. lib. 1. Gnomonices tradidimus , describemus eum Verticalem in Astrolabio ,
per ea, quæ lib. superiori propos. 8. Num. 10. scripsimus , dummodo pro declinatione à
meridio in orientem , vel à septentrione in occasum inuenient, accipiantur declinatio aqua-

Quo parte circu-
li maximus , qui-
bus boreologis /
equidistant de-
scribantur in Ae-
strolabio .

Tttt lsa

lis à Verticali primario ex parte orientali versus boream, vel ex parte occidentali versus austrum; & pro declinatione à meridiis in occasum, vel à septentrione in ortum; sumatur declinatio à Verticali primario ex parte orientali versus austrum, vel ex parte occidentali versus boream: Aut datus circulus maximus ad Horizontem inclinatus etiam est; atque ita, invenia eius declinatione à Verticali primario, inclinationeque ad Horizontem, ut lib. 1. Gnomonices propos. 23. declarauimus, describetur is circulus in Astrolabio, ut lib. superiore propos. 12. Num. 3. docuimus.

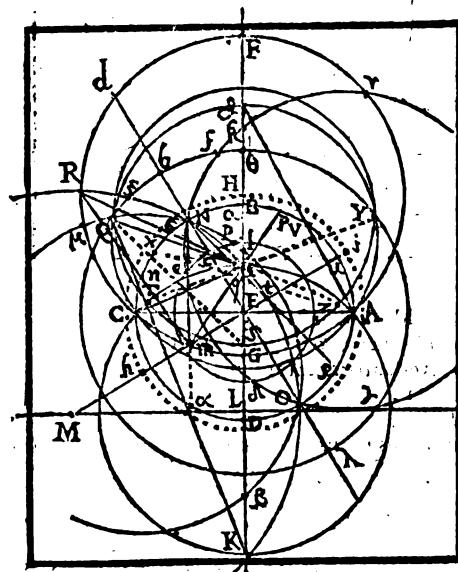
CANON XVIII.

DATI circuli in sphæra maximi inclinationem tum ad Meridianum, tum ad Aequatorem inuestigare.

1. PRIOR huius Canonis pars per sinus explicata est a nobis propos. 27. lib.

1. Gnomonices: eadem autem hic per Astrolabium ex iis, quæ lib. 2. propos. 8. Num. 11. & propos. 15. scripsimus, absoluetur a nobis; posteriorem vero partem ex iis, quæ propos. 8. Num. 22. demonstrauimus, expediemus. Sit enim in eadem figura Canonis 16. maximus circulus positionem in sphæra notam ha-

Inclinatione dati circuli maximi sinus habentis notam in sphæra ad Meridianum, qua ratione cognoscatur.



- Q[uod] ex illo arcu semissim magnitudinis anguli LIO , auferent,&c. vt lib. 2. prop. 15. demonstratum est.
2. D E I N D E , si juncta recta NO , quam in E, ad rectos angulos, bifariamque fecerit recta ME , secans datum circulum in t, & Aequatorem in u, egredianatur ex N, per t,u,rectas lineas, abscedent ex ex Aequatore arcum su, qui magnitudinem anguli tNu, inclinationis dati circuli ad Aequatorem, metitur .
3. Q V A N D O datus circulus ad Verticalem primarium rectus est, hoc est, quando transit per communes sectiones Horizontis ac Meridiani, dabit complementum eius inclinationis ad Horizontem, per propos. 23. lib. 1. Gnomonices inuenient, inclinationem eiusdem ad Meridianum .
4. Q V A N D O autem datus circulus declinatione caret , ac proinde per polos Meridiani incedit ; rectus erit ad Meridianum, nullamque habebit ad ipsum inclinationem .
5. Q V A N D O denique circulus datus ad Horizontem rectus est, hoc est, unus est ex Verticalibus, dabit complementum declinationis ipsius à Verticale primario per propos. 23. lib. 1. Gnomonices inuenient, inclinationem eiusdem ad Meridianum .

C A N O N X I X.

D A T O circulo maximo obliquo in sphæra , arcum Meridiani inter ipsum, & tam Horizontem, quam polum mundi , & verticem capitum, siue polum Horizontis, inclusum explorare .

P R O B L E M A hoc soluimus quoque propos. 28. lib. 1. Gnomonices , tum beneficio Ellipsis, tum per calculum finium. In eadem ergo figura Canonis 16. sit descriptus circulus maximus obliquus QIO β , indicans niuitum horam 16. ab occ. secansque Meridianum in l, β , ita vt tam β G, quam lF, arcus sit Meridiani inter datum circulum, & Horizontem quadrante minore cum KG, IF, quadrantes sint à polis Horizontis usque ad eius circumferentiam : At lE, arcus eiusdem Meridiani inter datum circulum, & polum mundi E, quadrante quoque minor, cum EB, quadrans sit: Arcus denique lI, inter circulum datum, & verticem loci. Hi autem omnes arcus cognoscuntur per arcus Aequatoris , qui inter rectas ex A, per terminos dictorum arcum eductas intercipiuntur ; cum hi arcus Aequatoris dictis arcibus Meridiani respondeant, vt lib. 2. prop. 1. Num. 6. demonstrauimus .

Arcum Meridiana latera datum circulum obliquum, cuius radius in sphæra continet arcus sic, & tam Horizontem, quod polum Mundum & polum Horizontis invenire.

C A N O N X X.

D A T O circulo maximo obliquo in sphæra , altitudinem poli supra ipsum deprehendere .

*Astronomo po
li sphaera datam
circulum maxi-
mum, cuius posi-
tio in sphera sit
soughta, inquire-
re.*

7. SOLVT VM. etiam fuit hoc problema lib. 1. Gnomonices propos. 29. tum per Ellipsem, tum per sinuum supputationem. Sit igitur in eadem figura Canonis 16. maximus circulus obliquus, cuius situs cognitus sit in sphera, descriptus RNIOK, eius centrum M, & proprius Meridianus MEt; diameter autem Aquatoris NO, fecit Mt, ad rectos angulos in centro E, quæ omnino cadet in puncta N, O, cum circulus maximus RNIOK, per puncta extrema N, O, incedat, ut sub initium scholii propos. 5. lib. 2. demonstrauimus. Ducto ergo radio Nt, secante Aquatorem in s, transitus vera diameter circuli maximi obliqui, quem representant RNIOK, per s. Igitur O s, arcus erit altitudinis poli supra propositum circulum maximum, ut ex ijs liquet, quæ lib. 2. propos. 8. Num. 22. demonstrauimus.

8. SIT rursus descriptus circulus maximus obliquus AgC, cuius situs cognitus sit in sphera, nimirum ad Meridianum rectus, transiens per eius polos A, C, & ad Horizontem obliquus. Ducto radio A, g, secante Aquatorem in V, erit AV, arcus-altitudinis poli supra ipsum, cum diameter eius vera transeat per V; propterea quod eius extremum V, in g, apparet.

S C H O L I V M.

*Arcus circuli ma-
ximi obliqui in
in sphera habet
extremis, inter ma-
ximum circulum,
qui per eius po-
los, & polos Ho-
rizontis ducitur.
& tam Meridia-
num proprium,
quam Meridianum
Hor., kont. a pef-
tam innecu e.*

1. N O N aliter absoluemus pleraq; alia problemata Gnomonices. Nam primum, si describatur datum circulus obliquus maximus in Astrolabio ex proprio situ cognito, & per eius polum, & potum Horizontis maximus circulus ducatur, ita ut apparebit arcus dati circuli obliqui inter circulum maximum per dictos polos ductum, & tam proprium Meridianum dati circuli, quam Meridianum Horizontis interpositus; cuius magnitudo per arcum Aquatoris exhibebitur, qui per rectas ex eius polo per extrema eiusdem puncta ductas absinditur. Quem etiam arcum lib. 1. Gnomonices propos. 32. per sinuum supputationem inuestigavimus.

2. D E I N D E mox conspicietur arcus circuli maximi, qui per polos dati circuli maximi obliqui situm in sphera habentis cognitionem, & per polos Horizontis ducitur, inter Horizontem & circulum hora 6 a mer. vel med. noc. quem in Astrolabio repre-
sentat recta AC, interpositus; cuius quantitatem cognoscemus per arcum Aquatoris a rectis ex polo circuli per dictos polos transcurrentes per extrema puncta dicti arcus emis-
sis abstissimi. Hunc arcum. lib. 1. Gnomonices propos. 32. per sinus quoque inquisivimus.

3. R V R S V S quolibet maximo circulo obliquo, cuius positio in sphera non igno-
retur, descripto in Astrolabio, repertemus dicto citius arcus parallelorum Aquatoris ab eo abstissos, atque ex ijs mox cognoscemus, quos & quenam hora curvissimis paralleli su-
pra utramque faciem eiusdem circuli maximi existant, & denique qua hora Sol alter-
terutram faciem incipiat illuminare. Qua res eximium usum habet in horologis de-
scribendis, ut ex Gnomonica nostra liquet. Hanc enim ob causam in scholio propos. 40.
lib. 3. Gnomonices per sinus indagavimus, quanam hora Sol in Aquatore positus ad
propositum quemcumque Verticalis perueniat, hoc est, quantumnam arcum Aquato-
ris datum Verticalis absindat: Item in scholio propos. 1. lib. 5. ejusdem Gnomonices tuum
per sinus, tum beneficio Ellipsis, perscrutari sumus, quantumnam arcus eiusdembet paralleli
Aquatoris a dato circulo maximo obliquo absindantur, & qua hora a Sole alter-
utra eiusdem circuli facies incipiat, aut desinat illuminari: Idemque repetiuimus lib.
6. cap. 1 o. Sed ut appareat, quam expedite haec omnia ex descriptione nostri Astrolabij
cognoscantur, si exempli causa in antecedenti Astrolabio descrepus circulus hora quar-
ta ab ortho rN y, qui ad Horizontem inclinatus est, cum per eius polos non transeat,
quippe

quippe quis Meridianum fecet in k, iner 1, polum Horizontis, & Horizontem ipsum ex parte australi. Secet nunc dictus circulus tropicum \textcircled{D} , in f, y; Aequatorem in N, O, & tropicum \textcircled{G} , in e, s. Quia igitur facies superior, ac borealis circulatur N, y, & Sole illuminatur, cum circumferentias f θ y, N A O, e P S, percurrit, inferiorem vero & australi, dum peragras arcus y Q f, O C N, deinceps parallelis singuli in 24. horas distribuantur, initio facto ab eorum intersectionibus curva Meridiana F K, si de horis à mer. ac mod. noct. agitur, vel si hora ab occ. vel or. proponuntur, ab eorundem intersectionibus cum Horizonte ex parte occidentali, orientalique; confessim hora conspicuerunt, quo supra virtus que faciem circuli propositi continuatur, & qua hora facies utraque à Sole incipiat illuminari, &c. Ita vides dicti circuli faciem superiorem incipere illuminari hora 4. ab or. & hora 4. ab occ. cessare illuminari, ubicunque Sol existat in Zodiaco. Tot autem horis ante meridiem incipere illuminari, Solo existente in principio \textcircled{D} , quot hora in arcu \textcircled{G} , continentur: eodem vero existente in Aequatore, quot hora in arcu BN, reperiuntur: eodem denique tropicam \textcircled{G} , describente, quot horas arcus l, e, (sumpto puncto l, pro intersectione tropici \textcircled{G} , cum linea meridiana) complectitur, &c. cum Sol supra eum circulum oriatur in punctis f, N, e, occidat autem infra eundem in punctis y, O, S. Idem in quibus alio circulo cernere licet. Nam v. g. supra faciem borealem Verticali R I X, existunt omnes hora tropici \textcircled{D} , reperta in arcu à puncto E, per Q, progrediente usque ad intersectionem tropici \textcircled{D} , cum dicto Verticali, que intersectione fit in eundem puncto β , λ ; supra australi, vero facie hora arcus a puncto ξ , per θ , tendente usque ad eandem intersectionem: & Sol in Aequatore existens orientur supra eiusdem dati Verticali faciem australi in puncto N, hora 10. a med. noct. & 4. ab or. & 10. ab occ. occidetque in puncto O, hora 10. a mer. & 16. ab ur. & 4. ab occ. atque in eodem puncto O, eorundem horarum supra faciem borealem orientur, occidetque in puncto N: adeo ut facies australis illustrari incipiat a Sole hora 10. a med. noct. & 4. ab or. & 16. ab occ. definitaque illuminari hora 10. a mer. & 16. ab or. & 4. ab occ. Borealis autem facies illegetur à fine hora 10. a mer. usque ad finem hora 10. a med. noct. &c.

4. POSTEMO nullo sere negotio inuenientius magnitudines angelorum, quos singulis in punctis Eclipticae cum Meridiano, Horizonte, & cum quolibet Verticali constitutis: de quibus angelis multa scripsisse Ptolomeus, Iohann. Regiom. Copernicus, & Geber Hispanensis. Nam si per datum punctum Eclipticae ex centro Astrolabij recta ducatur Meridianum referens, confessim apparebit angulus, quem hic Meridianus cum Ecliptica facit, cuius magniendo per ea, qualib. 2. propos. 15. tradita sunt, cognoscetur. Simili modo, si per gradum Solis in Ecliptica ex centro Astrolabij parallelus describatur secans Horizontem ex parte quidem orientali, si angelus orientalis, quem Ecliptica in eo gradu cum Horizonte facit, quaratur, ex parte vero occidentali, & occidentalis: Deinde per illud punctum Horizontis Ecliptica describatur proprium secundum habentes, habebitur angulus, quem Ecliptica in dato gradu cum Horizonte efficit. Sed quia per idem punctum due Ecliptica describi possunt, quarum quidem centrum semper in parallelo per concursum Eclipticae, quam lib. 2. propos. 5. descripsimus, delineato exstante ut ea describatur in proprio situ, considerandum erit, an punctum solsticiale, quod à dato puncto Ecliptica proprius ab est, praecedas ortum dari puncti, an vero subsequatur. Hoc enim observato, facile ex duabus Eclipticis ea describetur, qua proprium situm habeat. Hunc autem angulum cognoscemus etiam ex y, qua lib. 2. propos. 15. scripsimus. Denique si per datam horam à mer. vel med. noct. in Aequatore ducatur ex Astrolabij centro recta linea, quam secas parallelus Aequatoris per punctum Eclipticae, quod Sol posides, descripus, & per punctum sectionis Ecliptica delineatur in proprio situ, habita ratione proximi puncti tropici, ac tandem per idem sectionis punctum Verticalis circulus describatur, reperiemus per eandem propos. 15. lib. 2. quadratam anguli, quem

Angulus, quem
Ecliptica cum Me-
ridiano, Horizonte,
& 5. Verticali
per Solem qualiter
hora dicitur.
coadit, inveni
te.

hi, quem hic Verticalis cum Ecliptica in eo seu constituit. Arque in hunc modum quilibet arcus, suis angulis circulorum maximorum in sphera inuestigabimus: ut perspicuum fieri ex sequenti Can. quem de arcibus horarijs in quolibet maximo circulo proponimus, quod horum arcum eximius sit usus in horologiorum descriptione.

C A N O N X X I .

A R C V S horarios in quois circulo maximo perue-
stigare.

*Arcus horarijs
in quois circu-
lo maximo quid*

*Arcum horario-
rum in quois
circulo maxime
investigatio.*

1. V O C A M V S arcum horariorum in quois maximo circulo cum, qui inter quemcunque circulum horarium, & maximum circulum per polos mundi, & polos proprii Meridiani (instar circuli horæ 6, à mer. ac med. noc. in Horizonte) ductum includitur. Omnes autem arcus horariorum horarum à mer. & med. noc. lib. 5. Gnomonice propos. 4. beneficio suum explorauimus. In Astrolabio ergo præcedenti Canonis 16. sit v. g. maximus circulus Horizon AFCG, quem circulus horæ 10. à mer. & med. noc. dEλ. fecerit in d; circulus autem horæ 16. ab occ. in μ, & circulus horæ 4. ab or. in r. Et quoniam A, C, poli sunt Meridiani, referet recta AC, circulum horæ 6. à mer. ac med. noc. Igatur erit Cd, in Horizonte arcus horarius horæ 30. à mer. ac med. noc. orientalis: at Cμ, horæ 16. ab occ. orientalis quoque: Et denique Ar, horæ 4. ab or. occidentalis: quos omnes arcus cognoscemus per arcus Aequatoris à rectis ex I, polo. Horizontis per extrema puncta illorum arcuum ductis abscessos. Nam rectæ IC, Id, si ducantur, intercipient in Aequatore arcum horario arcui Cd, æqualem, &c.

2. D E I N D E quia A, C, sunt quoque poli Meridiani ipsius Verticalis primariae AICK, ac proinde recta AC, refert quoque circulum horæ 6. à mer. ac med. noc. respectu Verticalis, tanquam Horizontis cuiuspiam erunt arcus horariorum circulorum cum eodem Verticali: quorum magnitudines cognoscantur similiter per arcus Aequatoris à rectis ex G, polo Verticalis per extrema puncta ipsorum arcuum ductis abscessos.

3. R VRSVS cum recta Mu, sit proprius Meridianus Verticalis circuli RIK, & recta NO, circulus horæ 6. à mer. ac med. noc. si dictus Verticalis statuatur Horizon aliquis, erunt arcus horariorum in eo Verticali interiecti inter N, vel O, & intersectiones circuli RIK, cum circulis horariorum: quorum magnitudines determinabuntur in Aequatore per arcus, quos rectæ ex μ, polo Verticalis RIK, per extremitates arcuum horariorum emissæ auferunt. Itaque arcus horariorum horæ 10. à mer. vel med. noc. & horæ 16. ab occ. & 4. ab or. nihil sunt, cum tres circuli horariorum secent Verticalem RIK, in N, polo proprii ipsius Meridiani.

4. P R A E T E R E A quoniam AO, est Meridianus Meridiani FK, cum per E, polum mundi, & A, C, polos Meridiani FK, incedat, suntque B, D, poli ipsius circuli AC, ac denique ipsum Meridianus est instar circuli horæ 6. à mer. & med. noc. cum à suo Meridiano AC, sex horis absit; intercipientur in Meridiano FK, arcus horariorum inter B, vel D, & puncta, in quibus horariorum circuli Meridianum

sidianum FK, intarscans. Ut arcus omnium horarum à mer. vel med. nocte per quadrantem BE, representabuntur, cum omnes illarum horarum circuli Meridianum FK, in E, secent. At vero arcus horæ 16. ab occ. erit Bl, borealis; horæ vero 4. ab or. Bk, australis, quibus arcubus æquales arcus in Aequatore intercipient rectæ ex A, polo Meridiani FK, per B, i, & B, k, emissæ.

5. POSTREMUS quia Aequatoris Meridianus est FK, habens polos A, C, & AC, circulum horæ 6. à mer. vel med. nocte intercipientur in Aequatore arcus horarii inter C, vel A, & singulas horas Aequatoris: vt CN, erit arcus horæ 10. à mer. vel med. nocte, & horæ tam 16 ab occ. quam 4. ab or.

S C H O L I V M.

Norarum defini-
tio in quoque
plane, beneficio
arcuum horaria-
rum.

1. BENEFIGIO arcum horariorum à mer. ac med. nocte describi possunt horologia earundem horarum in quolibet plane proposito, ut copiose tractatum est à nobis prop. s. lib. 5. Gnomonices, ut superuacaneū sit illud hoc loco repeteret. Quare hic solus paucus monobimus, qua ratione hora ab ortu & occasu per earundem horarum arcus horariorum describēde finit. In plane igitur horologij ex loco stylis circulus describatur Aequatoris Astrolabij, in quo arcus horarij reporti sunt, equalis, & in eo d. poter ducatur perpendicularis ad propriam lineam meridianam, hoc est, ad lineam stylis, ut communis sectio habeatur proprij Verticalis ex plani horologij. Ab hac diametro numeratio arcubus horarijs in eam partem, in quam reperi sunt declinare in Astrolabio, ducatur per eorum extrema, & per locum stylis rectæ linea, crux ha, parallela communibus sectionibus circulorum horariorum, & maximi circuli, cui horologium equidistant. Nam se stylum, & has communas sectiones duci concipiuntur Verticaliter illius circuli maximi, & absindentur in circulo, quem in plane horologij descriptissimus, arcus a 10. r. similes arcubus horarijs in eodem illo circulo maximo, b sicutque in predicto circulo plane horologij linea parallela communibus illius sectionibus in circulo maximo, cui horologium equidistant, existentibus. Cum ergo per constructionem, in circulo, qui in plane horologij descriptus est, arcus sumpti sint similes arcubus horarijs in maximo circulo, cui horologiam equidistant, existentibus; erunt dñe illa recta ex loco stylis per arcus horariorum in eodem circulo horologij numeratos extense, parallela illa, quæ Verticalis distat, transuenies efficiunt in horologij plane. ^{Theod.} Quoniam vero circuli horarij in horologij plane, ex circulo maximo, cui parallelos est, communis etiam sectiones efficiunt parallelas, si in plane horologij repertantur puncta in linea equinoctiali, vel alibi, propter horæ ab ortu & occasu duocunda sunt, (hot est, per quæ ipsi circuli horarij ducuntur.) & per ea puncta rectis supradictis in circulo ex loco stylis descripto per horarios arcus emissis parallela agantur, descriptæ erunt hora ab ortu, & occasu: a cum recta d. 9. vnde. illa ex loco stylis per arcus horarios emissæ, communibus hisce sectionibus, id est, horarijs lineis, parallela sunt; quandoquidem tam ha, quam illa, ostense sunt equidistant communibus sectionibus horariorum circulorum in maximo circulo, cui horologium parallelam est, factis. In horis Astronomicis, quoniam omnes transuenient per centrum horologij, satis est per centrum horologij eductæ lineas parallelas communibus sectionibus circulorum horarum à mer. vel med. nocte. & circuli maximi, cui horologium equidistant: quales sunt recta ex centro horologij per arcus horarios in circulo ex eodem centro horologij descripto emissæ; ut factum a nobis est propositione s. lib. 5. Gnomonices.

2. ITAQUE si in Astrolabio omnes circuli horarij descripti sunt, illico apparet, arcus horarij in dato circulo oblique, quorum omnium magnitudines æquales sunt,

(quod)

(quod ad numerum graduum attinet,) arcubus Aequatoris, quos recta ex polo datur circuli obliqui per extrema puncta arcuum horariorum emissae absindunt.

3. IN CANONE porro diximus, arcus horarios interiectos esse inter horarium quemcunq; circulum, & circulum, qui per polos mundi, & polos proprij Meridiani, in ista circuli hora 6. à mer. vel med. noc. ducitur, non autem inter Verticalē primariū propriū, qui tamen per eosdem polos Meridiani proprij incedit: quia in horologij desribendis arcus horariorum à mer. vel med. noc. comparantur, à communi sectione planis horologij, & illius circuli, qui vices circuli hora 6. à mer. vel med. noc. gerit in circulo maximo, cui horologium aequaliter sit. Arcus tamen horariorum ab or. & occ. numerantur à communi sectione plani horologij, & Verticalis proprij & primarij. Quod si complementa arcuum horariorum accipiuntur, nimiranda ea erunt tam pro horis ab or. vel occ. quam à mer. vel med. noc. à linea propriā meridiana, in qua videlicet stylus collocatur.

*arcus horarios
pro horis à mer.
& med. noc. sup-
putare.*

4. Q VONIAM vero lib. 5. Gnomonices propos. 4. duabus operationibus arcus horarios horariorum à mer. & med. noc. per sinus suppeditauimus, reperiens nunc eosdem per solam unam operationem, hoc modo. Cum triangulum semper fiat rectangulum ex arce Meridiani proprij altitudinem poli vicinioris supra datum circulum maximum merientis, & ex arce circuli horarij ab eodem viciniori polo usque ad circulum datum maximum, atque ex arce circuli dati maximi inter Meridianum proprium, & circulum horariorum; qui arcus complementum est arcus horarij quasfit. Si ergo per i. modum problematis et triang. sphar. ultimi Lemmatis, Fiat ut sinus totus ad sinus arcus Meridiani altitudinis poli, ita tangens anguli, quem circulus horarius cum Meridiano facit in polo, ad aliud; reperiatur tangens arcus circuli maximi dati inter Meridianum, & horarium circulum inclusi, &c.

C A N O N XXII.

OMNIA Problemata triangulorum sphæricorum absque numerorum auxilio explicare.

L A T I S S I M E patet huius Canonis usus. In eo enim angulorum, laterumque omnium triangulorum sphæricorum magnitudines Geometrica per arcus Aequatoris investigabimus, atque adeo omnia problemata, quæ per labiosum eiusmodi triangulorum calculum explicari solent, mira facilitate ex descriptione duorum, triumue duntaxat circulorum Astrolabii expediemus: quæ res non paucis hacvenus visa est incredibilis. Totum autem hoc negocium in constructione triangulorum sphæricorum consistit, ut apparebit. Progressiemur autem eo ordine, quem in Lemmate 53. lib. 1. obseruauimus. Et quamus in prioribus 16. problematibus trianguli sphærici rectanguli vel solum angularis, vel solum latus, vel sola denique basis, per sinus, ex duobus datis solent inuestigari: nos tamen per Astrolabium reliqua duo, quæ non dantur, hic quoque in quolibet triangulo simul explorabimus. In triangulo igitur sphærico rectangulo hæc, quæ sequuntur, ex datis quibusdam à nobis inuestigantur.

1. ANG V-

I. A N G V L V S

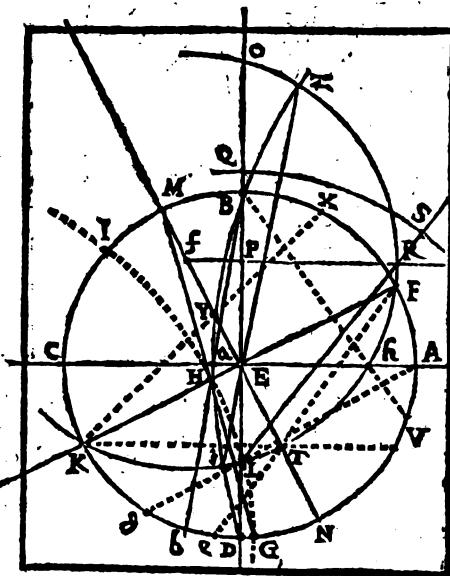
C V M altero angulo, & latere, quæ non dantur.

encl. 1.

E X base, & latere, quod angulo queſito opponitur.

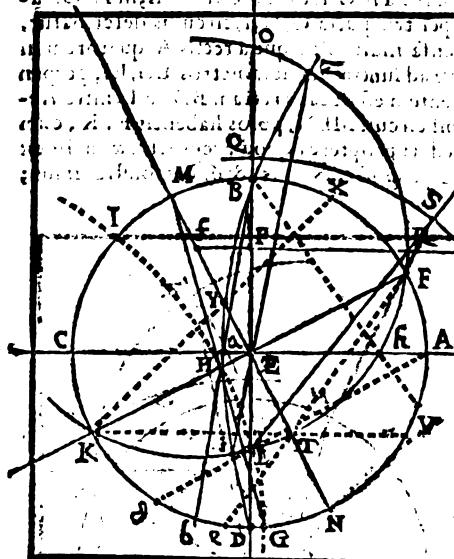
S I T in Astrolabio Aequator ABCD, circa centrum E, cum duabus diametris BD, AC, sese ad rectos angulos secantibus. Numeretur latus datum a puncto B, usque ad F, & basis à punto F, usque ad G. Sumptis autem arcubus BM, CK, DN, æqualibus arcui AF, iungantur diametri FK, MN, sese quoque ad angulos rectos secantes, cum quadrantes sint FM, MK, KN, NF. In eam namque partem accipiendi sunt arcus BM, CK, DN, in quam arcus AF, vergit, ut dicti quadrantes efficiantur. Deinde iuncta recta MG, secante rectam FK, in H, sumatur arcui NG, æqualis arcus MI, ac per tria puncta G, H, I, circulus describatur, (cuius centrum erit in recta FK, extensa, indicabiturque à rectis Aequatorem in G, I, tangentibus, hoc est, a rectis, quæ ad iunctas semidiámetros EG, EI, perpendiculares sunt, ut propos. 7. lib. 2. ostensum est) secans rectam BD, in L, intra Aequatorem, qui parallelus erit maximi circuli MEN, polos habentis F, K, cum æqualiter ab hoc circulo MEN, recedat; propterea quod arcus EH, æqualis est arcui NG, ut ex iis constat, quæ lib. 2. propos. 1. Num. 5. & 6. demonstrauimus; & arcus MI, arcui NG, sumptus fuit æqualis. Immo ex iis, quæ lib. 2. propos. 18. Num. 5. scripsimus, liquet etiam GHI, parallellum esse maximi circuli MEN. Deni que per tria puncta F, L, K, circulus, cuius centrum f. est in recta MN, describatur FLK, secans EB, producam in O. Erit igitur triangulum sphæricum rectangulum BFL, id, quod proponitur, cum angulus FBL, rectus sit, & datum latus BF, basisque data FL; quod arcus FL, FG, ex polo F, cadentes in parallellum GHI, æquales sunt: Cuius quidem angulum quæsumus FLB, cui datum latus BF, opponitur, sic inuestigabimus per ea, quæ lib. 2. propos. 15. Num. 3. demonstrata sunt. Secunda recta LO, bifariam, & ad angulos rectos per lineam PR, secantem circulum LFO, in R, metietur arcus RO, magno-

Angulum ei rectus
qui, ex data ba-
se, & latere quod
angulo quæsto
opponitur, ianu-
figatur.



gnitudinem anguli quæsiti FLB. Et si ex angulo L, arcus quoconque interuallo describatur QS, quem recte LR, secet in S, metietur arcus QS, semissem anguli eiusdem FLB, ac prinde arcus QS, duplicatus totum angulum metietur. Quod si punctum sectionis O, nimis procul distet, satis erit ex f, centro circuli KLF, ad LB, perpendiculariter docere, secantem circulum KLF, in R. Hæc enim secat rectam LO, bisariam. Vè sine centro f, sic agemus. Inuenio centro P, trium punctorum A, L, C, excidatur PR, ad BD, perpendicularis. Est èbim rursus P, punctum medium rectæ LO, cum circulus maximus per A, L, C, descriptus transeat per O, punctum ipsi L, oppositum. Quare arcus QS, circuli ex L, descripti inter rectas LQ, LR, positus, semissem anguli BLF, metietur. Et si per L, circulus, ut libet, describatur, metietur ejus arcus inter easdem rectas totum angulum. Quæ omnia demonstrata sunt ad finem Num. 2. propositionis 15. lib. 2.

I M M O & ipsemet arcus LR, eundem quæsitusum angulum BLF, metietur. vt Num. 3. eiusdem prop. 15. lib. 2. demonstramus.



TA M vè eadem ratio hec

aliter angulus BFL, non datu-

tos intenietur. Ducto enim

radio FT, secante R, equato-

rem in e, metietur arcus Me,

angulum BFL, cum eis arcus

fit MT, cuius equalis est arcus

Me, ut ostensum est lib. 2.

propos. 1.

D E N I Q V E reliquum

latus non datum BL, effici-

ter notum per arcum Aequa-

toris, quem rectæ ex A, polo

circuli BED, per puncta B, L,

extensis intercipiant, cuiusmo-

dri est arcus Bg, ut ex epidem

prop. 1. lib. 2. manifestum

est.

Q V O D si ducatur diamet-

er PK ex punto extremo la-

teris dati BF, quam ad rectos

angulos secer diameter MN,

circulum maximum referens

per mundi polos ductum, cuius poli F, K, parallelus GHF, maxi- bius cir-

culi MN, per extremum punctum G, basis data FG, descriptus non secet dia- metrum BD, intra Aequatorem, impossibile erit problema, quia tunc ex F, ad BD, deduci non poterit arcus circuli maximi basi FG, æqualis, qualis fuit FL, arcus usque ad parallelum GHF, demissus, auferens latus BL, semicirculo mi- nus; ut ratio postulat. Itaque quando latus datum BF, quadrante minus est, ba- sis proponi debet maior ipso latere: (propterea quod per propos. 34. nostro- rum triang. sphær. angulus lateri dato oppositus, acutus est, ideoque per pro- pos. 11. corundem triang. sphær., latus datum minus est base, que angulo re- gno opponitur) ita tamen, ut basis cum latere semicirculo minorem arcum con- fluit,

Stut, quellis fuit basis FG. Nam si punctum G, esset ultra D, parallelus GHI, rectam BD, non searet: Quando autem latus datum quadrante maius est, basis debet proponi minor ipso latere: (propterea quod per propos. 34. nostrorum triang. sphær. angulus lateri dato tunc oppositus, obtusus est, ac proinde per propos. ii. eorundem triāg. sph. latus datū minus est base, quia angulo recto opponitur:) ita tamen, vt basis maior sit complemento lateris dati ad semicirculum. Vt si datum latus sit BN, basis maior esse debet arcu ND, alias parallelus maximi circuli FK, secantis diametrum NM, ab extremo punto dati lateris ductam ad angulos rectos, descriptus per extrellum punctum basis, non searet BD, intra Aequatorem. Verum hac cautione opus non est, cum triangula sphærica in operatione ponantur etiūmodi, quia vere, & re ipsa in superficie sphæri exstant. Quod etiam in problematibus, quia sequuntur, intelligendum est.

I. I. A. N. G. V. L. V. S.

Cum altero angulo, & latere, quæ non sunt data.

Probl. 2.

Ex base, & latere, quod angulo quæsito adiacet.

C O N S T R U C T I V A ex datis triangulum sphæricum BFL, vt in precedente problemate, in quo angulus BFL, cui datum latus BF, adiacet, quærendus proponitur. Quoniam arcus TK, angulum KFL, metitur, vt lib. 2. propos. 15. Num. 3. demonstratum est; si angulo hinc addatur rectus angulus KFM, notus evadet totus angulus BFL, quæsus. Quod si ex F, per M, recta educatur, donec circulum FTK, productum fecerit, dabit arcus eiusdem circuli in ter eam rectam, & punctum T, interceptus, quantitatem totius anguli BFL, vt lib. 2. propos. 15. Num. 2. demonstrauimus. At si ex F, circulus quolibet intersectu describatur, metietur dius arcus inter rectas FT, FM, positus semissem eiusdem anguli. Immo & arcus Aequatoris Me, eundem angulum metitur.

A L T E R angulus non datus BLF, cognoscetur, vt in precedenti problema, nimirum vel per arcum LR, vel per arcum QS, duplicatum, &c.

R E L I Q V V M autem latus BL, repertetur hic etiam per arcum Bg, quia recta AL, ex Aequatore, surget, vt in problemate antecedente.

I. I. I. A. N. G. V. L. V. S.

Angulum est res
liquis ex base da-
ta, & latere, quod
quæsito angulo
adiacet, reperire.

Probl. 3.

Cum duobus lateribus, quæ non dantur hoc loco.

Ex base & altero angulo non recto.

N U M E R A T A base ex B, versus C, usque ad g. ductoque ratio visuali Ag, secante BD, in L, erit BL, basis propositi trianguli, cum tot gradus in arcu BL, contineantur, quot in Bg, vt lib. 2. propos. 1. demonstratum est. Deinde in L, constituantur angulus datus per propos. 16. lib. 2. hoc modo. In recta LB, inuenito punto O, ipsi L, opposito, secetur LO, in P, bifarium, & ad rectos angulos per

Angulum cum
alius ex data ba-
se.

V u u 2 rectam

rectam PR. Aut si punctum O, nimis remotum sit, inueniatur P, centrum trium punctorum A, L, C. (Hoc enim erit in medio duorum punctorum L, O, cum circulus per A, L, C, ex P, descriptus sit maximus, ac proinde per O, punctum oppositum transeat.) & in P, ad BL, perpendicularis excitetur PR. Descriptio autem ex L, circulo quantocunque QS, numeretur in eo semissis dati anguli à puncto Q, usque ad S; vel certe, (si in eo minuta contineantur numero imparia) totus angulus numeretur, & arcus numerati semissis accipiatur QS. Ducta namque recta LS, secante PR, in R, si per tria puncta L, R, O, vel per duo L, R, si O, sit nimis remotum, circulus maximus describatur LRO, (cum per puncta opposita transeat) centrum f, habens in recta PR, erit angulus BLF, dato angulo equalem, cum arcus QS, eius semissem metiatur, ut propos. 15. lib. 2. Num. 2. ostendimus.

I AM ducatur ex f, centro per E, centrum Astrolabij recta MN, quam diameter FK, ad rectos secabit angulos, si erratum non est, emittatur radius KT, secans Aequatorem in V, & quadrans sumatur VX. Recta enim KX, secabit f E, in Y, polo circuli maximi LRO, ut lib. 2. propos. 8. Num. 17 monstrauimus. Si igitur per tria puncta D, Y, B, ex centro in recta EA, inuenientur circulus describatur secans LRO, in Z, qui maximus erit, cum per puncta opposita D, B, ducatur, erit angulus BZL, rectus, quod circulus maximus DYB, per Y, polum maximi circuli LRO, transeat: ac proinde triangulum rectangulum propositum erit BZL, cum BL, sit basis data opposita recto angulo Z, & angulus non rectus datum BLZ. Angulus ergo alter non rectus LBZ, ita inuenietur. Ducta recta BA, per punctum intersectionis circuli ZBD, cum recta AC, secans Aequatorem in b, erit Db, magnitudo anguli aBE, ut constat ex iis, quæ propos. 15. lib. 2. ostendimus: qui si ex duobus rectis auferatur, quibus duo anguli aBE, EBZ, aequales sunt, ex propos. 5. nostrorum triang. sphar. reliquus fit quartus angulus LBZ, qui totus hoc etiam modo reperiatur, quando circulus DBZ, commode totus describi potest, ut rectam EA, intersecet. Ducatur recta ex B, per intersectionem circuli DBZ, cum recta EA. Tamen enim arcus Aequatoris, quam circuli DBZ, inter hanc rectam, & diametrum BD, versus D, interceptus, vel etiam arcus circuli DBZ, inter B, & eandem rectam positus, quartum angulum LBZ, metietur, ut ex iis, quæ propos. 15. lib. 2. Num. 3. demonstrauimus, liquet.

I AM vero latus LRZ, aequaliter erit arcui Aequatoris, quem recta ex Y, polo circuli KFZ, per puncta L, Z, emissæ auferunt.

E A D E M Q V E ratione alterum latus BZ, indicabit arcus Aequatoris à rectis ex h, polo circuli DBZ, per B, Z, educitis abscessus. Polus autem h, erit in intersectione circuli KFZ, cum recta AC. Cum enim maximus circulus DBZ, transeat per Y, B, polos maximum circulorum KFZ, CA, transibunt hi vicissim per illius polos, ex scholio propos. 15. lib. 1. Theod. ac proinde punctum h, polus erit circuli DBZ: qui etiam reperiatur, si radius emittatur ex B, per a, secans Aequatorem in b, & quadrans sumatur b V. Radius namque BV, rectam AC, in h, polo quarto intersectabat, ut propos. 8. Num. 17. lib. 2. ostensum est.

Q V O D si detur basis DL, quadrante minor, & eadem fiant, constituetur ex altera parte triangulum propositum DLI, cum angulus DLI, sit aequalis angulo BLF, ad verticem, &c.

I I I . A N G V L V S.

Probl. 4.

Cum latere, ac base, quæ hic non dantur.

E X latere, quod angulo quæsito opponitur, & altero angulo non recto.

S I T latus datum BF; & in F, cū eo constituatur angulus dato angulo æqualis, per propos. i. lib. 2. hoc modo. Ducta diametro FK, quam ad angulos rectos fecerit diameter MN, numeretur gradus dati anguli a puncto M, vsque ad e, duæque rectæ Fe, secante MN, in T, describatur per tria puncta F, T, K, ex centro f, in rectâ MN, existente, circulus FTK, qui maximus erit, cum per opposita punta F, K, incedat. Secet autem hic circulus rectam BD, in L; eritque datus angulus BFL, cum eius arcus sit M e; ac proinde triangulum sphæricum BLF, erit id, quod queritur, habens nimirum angulum LBF, rectum, latusque datum BF, vna cum non recto angulo LFB, dato. Angulus igitur BLF, dato lateri oppositus, inuenietur, vt in i. problemate. Secta namque recta LO, bifariam, & ad angulos rectos per rectam PR, metietur arcus RO, vel LR, angulum quæsitus BLF. Aut si ex f, centro circuli KTF, ad LB, perpendicularis excitetur, & ex L, descripto circulo QS, quantoconque, recta ducatur LR, metietur arcus QS, semissem eiusdem anguli, &c.

L A T V S autem BL, cognoscetur ex Aequatoris arcu Bg, quæ recta AL, absindit.

A T vero basem FL, exhibebit arcus Aequatoris FG, qui a recta ex Y, polo circuli FLK, per L, emissa auferetur.

V. A N G V L V S.

Probl. 5.

Cum base, & altero latere non dato.

E X latere, quod angulo quæsito adiacet, & altero angulo non recto: diuimodo constet, num quæsusus angulus maior sit recto, minorve; vel an basis, aut alterum latus non datum quadrante maius sit, minusve.

S I T rursus Aequator ABCD, cum duabus diametris AC, BD, sece in centro E, ad angulos rectos secantibus. Numeretur latus datum à puncto A, vsque ad F, iungaturq; recta BF, secans AC, in G; erit arcus AG, dato lateri AF, æqualis, vt propos. i. lib. 2. monstratum est. Numeretur quoque dati anguli magnitudo a puncto A, vsque ad H, iungaturque recta BH, secans AC, in I: erit arcus AI, æqualis arcui AH, dati anguli, majorque necessario quam AG, si datus angulus acutus sit, vt demonstrabitur. Descripto ergo circulo BID, per tria puncta B, I, D, centrum habente d, in rectâ AC, qui maximus est, cum per puncta opposita B, D, transeat; erit angulus ABI, dato angulo æqualis, cum eum metiatur arcus AI, vel AH. Describatur quoque ex E, per G, parallelus Aequatoris GK, secans

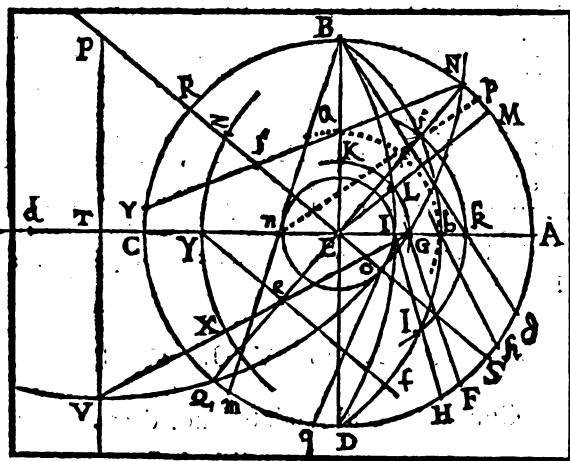
Angulum cum reliquo, ex dato latere, quod ei opponitur, & altero angulo non recto requiriatur.

Probl. 5.

Angulum cum reliquo, ex dato latere, quod angulo quæsto adiacet, & altero angulo non recto scilicet.

secans circulum BID, in L, & emissa recta EL, secante Aequatorem in M, sumatur arcui AM, æqualis arcus BN. Ducta autem diametro NQ, secat eam ad reftos angulos RS, quod fiet facile, si arcus BN, DQ, æquales sumantur arcus AS, CR, quod hoc modo efficiantur quatuor quadrantes N S, SQ, Q R, RN. Descripto iam per tria puncta N, G, Q, circulo NOQ, qui maximus est, cum per opposita puncta N, Q, transcat, habetque centrum P, in recta ER, tantum distans ab E, quantum centrum d, circuli BID, ab eodem centro E, abest, propter quod, ut infra ostendemus, duo circuli BID, NGQ, eundem parallelum tangunt; erit AGN, vel CGQ, triangulum propositum. Quantiam enim arcus AM, BN, æquales sunt, estque AM, per scholium propos. 12. lib. 3. Eucl. arcui GL, similis, erit quoque BN, eidem GL, similis. Igitur circuli maximi BID, NGQ, afferentes ex parallelis GK, AB, arcus similes, & per polum E, non transentes, tangent eundem parallelum, eum videlicet, qui ex E, per I, describitur, cum BID, eum tangat in I, ex scholio propos. 13. lib. 3. Eucl. at proinde ex

16. 2.
Theod.



Scholio propos. 21. lib. 2. Theod. **x**qualiter ad maximum parallelorum **ABCD**, inclinabuntur, hoc est, anguli **ABI**, **ANG**, **x**quales erunt. quod ex eo etiam constat, quod eorum arcus **AI**, **SO**, **x**quales sunt. Cum ergo **ABI**, dato angulo sit **x**qualis, erit etiam **ANG**, dato angulo **x**qualis, qui quidem dato lateri **AG**, opponitur. Itaque si conflet, quæsitum angulum ad **G**, esse acutum, accipiens dum est triangulum **ANG**; si vero quæsitum angulum ad **G**, constet esse obtusum, sumendum est triangulum **AGQ**, &c. Angulum vero quæsitum ita cognoscemus. Ex **P**, centro circuli **NGQ**, ad **AC**, perpendiculariter metietur **PT**, secans eundem circulum in **V**. Arcus enim **GQV**, angulum **CGQ**, ideoque & angulum **AGN**, trianguli **AGN**, metietur, vt lib. 2. propos. 15. Num. 3. ostendimus, qui angulus ex duobus rectis subductus angulum **AGQ**, reliquum faciet in triangulo **AQG**. Idem angulus **CGQ**, habebitur, si ex **G**, arcus quantus- cunque **XZ**, describatur secans **GC**, in **Y**. Nam arcus **XY**, semissim anguli **CGQ**.

C G Q., & duplus arcus X Z , totum angulum metetur.

Q V O D si datum latus sit quadrante maius , ac proinde angulus oppositus datus obtusus , minor tamen ipso latere , vt demonstrabitur , numeretur datum latus a punto C , vsque ad F , emittaturque radius BF , secans AC , in G , vt latus datum sit CG . Numeretur quoque quantitas dati anguli obtusi a punto C , vsque ad H , & radius emittatur BH , secans AC , in I , vt CI , arcus sit dati anguli : Descripto igitur per tria puncta B , I ; D , ex centro d , in recta AC , existente , circulo BID , erit CBI , angulus dato angulo equalis . Hunc circulum parallelus GK fecet in L ; emissaque semidiametro ELM , accipiatur arcui AM , equalis arcus BN , ac per tria puncta N , G , Q , circulus describatur , vt prius eritq . rursus angulus GNC , angulo GBC , equalis . quod probabitur , vt prius . Igitur si constet , angulum quæsumus ad G , adiacentem dato lateri CG , esse obtusum , erit propothum triangulum . CGN . Nam si acutus est , oblatum triangulum erit CGQ . Angulus porro quæsusus CGQ , cognoscetur per arcum GV , vt prius , quo detracto ex semicirculo , relinquetur angulus CGN . &c .

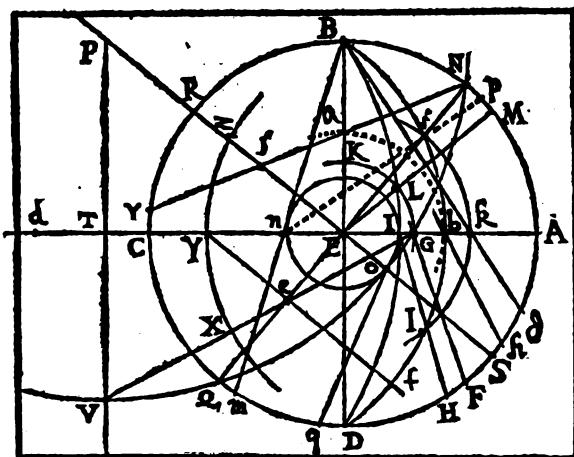
E X constructione liquido constat , quando datum latus minus est quadrante , angulum oppositum datum esse acutum , maiorem tamen ipso latere dato ; quando autem datum latus maius est quadrante , angulum datum oppositum esse obtusum , minorem tamen dato latere . Quoniamenim per theorema 4 . scholii propos . 21 . lib . 2 . Theod . arcus GA , mindus est arcu GN , erit per propos . 11 . nostrorum triang . sphær . angulus ANG , in triangulo AGN , minor angulo recto A , hoc est , acutus , ideoque GNC , obtusus . Eadē ratione in triangulo AGQ , erit angulus GQA , minor recto A , quod per idem theor . 4 . dicti scholii , arcus GA , minor sit arcu GQ , &c . Angulum autem datum lateri AG , oppositum , maiorem esse latere AG , qualis fuit angulus ABI , liquet . Nam si esset minor , cuiusmodi est angulus Abb , cum circulus BbD , parallellum ab , tangat in b , tangent circulus NGQ , faciens angulum ANG , ipsi Abb , equalem , eundem parallelium ab ; quia circuli BbD , NGQ , propter equales angulos ad B , N , equaliter ad Aequator seminclinati sunt , &c . quod est absurdum , cum NGQ , parallellum ab , fecerit . Hinc efficitur , obtusum datum angulum oppositum lateri dato CG , minorem esse ipso latere CG , qualis fuit angulus GNC . Nam si esset maior , cuiusmodi est Cbb , tangenter circulus NGQ , iterum parallellum ab , quem circulus BbD , tangit . quod absurdum est . Sed de angulis trianguli sphærici tam rectanguli , quam non-rectanguli , plura demonstrabitur in scholio huius Casonis .

C O N S T A T quidem , si , constructo angulo ABI , dato angulo equali , per punctum G , describatur ex propos . 20 . lib . 2 . maximus circulus NGQ , tangentis eundem paralleli IO , quem circulus BID , tangit , constructum quoque esse triangulum prepositum . Nam ex Theor . 1 . propos . 21 . lib . 2 . Theod . circu- Alia solutio problematis . h BID , NGQ . equaliter inclinati erunt ad Aequatorem , hoc , est , anguli ABI , ANG , equales erunt , &c .

F A C I L I V S idem problema soluerimus hoc modo . Sit Ah , magnitudo Facilius solutorum problematis . anguli dati , duoque radio Bh , secante AC , in b erit Ab , arcui Ah , equalis . Descripto ergo circulo BbD , per tria puncta B , b , D , centrum Y , habente in recta AC , erit ABB , angulus datus . Deinde sit arcus Ag , dato lateri equalis , & prium quadrante minor , ducaturque radius Bg , secans AC , in k , vt Ak , sit etiam arcus dato lateri equalis . Descripto autem parallelo Aequatoris per k , secante circulum BbD , in l , ducatur recta El , secans Aequatorem in N . Erit a 15 . 1 . que triangulum propositum BiN , vel DiN ; cum angulus ad N , sit rectus , & Theod . latus

latus Ni, datum, (quippe cum \angle quale sit ipsi Ak, ideoque & arcui Ag.) oppositumque dato angulo NBi, vel NDi. Igitur si constet, quæsitum angulum i, esse acutum, accipiendum est triangulum BiN. Cum enim omnes tres arcus sint quadrante minores, erunt per propos. 28. nostrorum triang. sphær. duo anguli B, i, acuti: Si autem constet, angulum quæsitum esse obtusum, sumendum est triangulum DiN. Iam si ex Y, centro circuli BbD, ad IE. protractam perpendicularis demittatur Ye, secans circulum in f, dabit arcus if, quantitatem anguli acuti BiN, ut lib. 2. propos. 15. Num. 3. ostensum est; quo ablato ex semicirculo, obtusus quoque DiN, notus fieri.

Q V O D si latus datum sit quadrante maius, illudque numeretur ex C, vsque ad g, dabit ductus radius Bg, arcum Ck, eidem lateri æqualem. Numerato quoque angulo dato ex C, vsque ad h, ductoque radio Bh, secante AC, in b, si per B, b, D, circulus describatur, erit datus angulus obtusus CBb. Descripto ergo per k, parallelo secante circulum BbD, in i, & per i, atque E, recta extenda-



ur iEQ, erit propositum triangulum vel BQi, si nimirum quæsitus angulus est obtusus, vel DQi, si acutus: propterea quod angulus ad Q, rectus est, & latus iQ, dato angulo iBQ, vel iDQ, oppositum, æquale ipsi Ck, hoc est, arcui Cg. Angulus ad i, inuenietur, vt prius.

EX his etiam liquet, angulum datum dato lateri oppositum debere esse maiorem ipso latere dato, & acutum, quando latus datum quadrante minus est, minorem vero ipso latere dato, & obtusum, quando datum latus maius est quadrante. Ostensum enim est angulum N Bi, vel N Di, esse acutum, ideoque Q Bi, vel Q Di, obtusum. Et nisi A B, arcus anguli dati acuti maior esset latere dato A k, vel C b, arcus dati anguli obtusi minor esset latere C k, non secaret parallelus circulum B b D, ac proinde problema solui non posset.

RVRSVS quia parallelus est, secat quoque eundem circulum BbD, ex altera parte recta AC, in punto I, si ex I, per E, recta extendatur, constituentur eadem duo triangula, ut perspicuum est.

I A M

I A M vero basis GN , nota fiet per arcum Aequatoris , quem rectæ ex polo circuli NOQ , per puncta N , G , educatæ absindunt : qui polus ita inuenietur . Ducta recta NOq , sumatur quadrans qr . Nam recta Nr , rectam PS , in quadrato polo secabit .

L A T V S autem reliquum AN, per se notum est, cum sit arcus Aequatoris. Eadem prorsus ratio est in aliis triangulis AGQ, CGN, CGQ, &c.

V I . A N G V L V S.

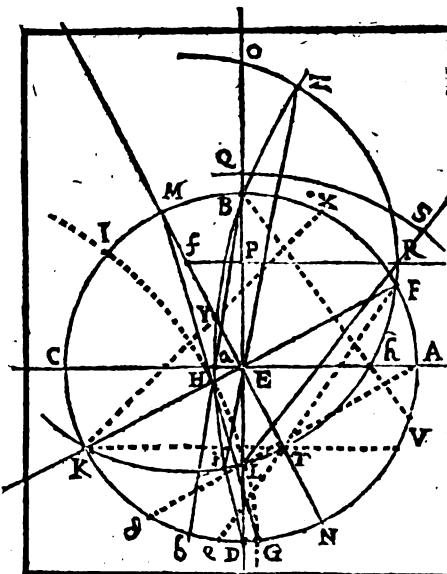
Cum base, & altero angulo non recto, quæ data non sunt,

Probl. 6.

Ex utroque latere circa angulum rectionem.

IN figura primi problematis circa angulum rectum ABE, sit unum latus datum BF, & alterum BL, quod reperietur, si numeretur ex B, usque ad g, radiusque emittatur Ag, secans BD, in L. Nam arcus Bg, prolixiter in arcum BL, ut propos. 1. lib. 2. demonstrauimus. Sumpto autem arcu DK, arcui BF, equalis,

**Angulum cum
reliquia ex utro-
que latere eras-
re.**



B A S E M autem **FL**, notam reddet arcus **Aequatoris**, quem rectæ ex **Y**, polo circuli **FLK**, per puncta **F**, **L**, extensa intercipiunt, cuiusmodi est arcus **FG**.

VII. L A T V S.

Probl. 7.

Cum utroque angulo non recto, quorum neuter datur.

E X base, & altero latere.

IN eadem figura sit datum latus BF , & basis FG . Ductis autem duabus diametris FK , MN , ad angulos rectos se secantibus, ducatur recta MG , secans FK , in H , & arcui NG , æqualis arcus sumatur MI , ac per tria puncta I , H , G , describatur maximo circulo MN , cuius polus F , parallelus GHI , secans BD , in L , vt in problemate 1. factum est. Nam si per tria puncta F , L , K , describatur maximus circulus, erit triangulum propositum BFL ; cum FL basis æqualis sit assumpta basi FG , ex defini. poli. angulisque rectus FBL , & datum latus BF . Quæsitum autem latus BL , erit æquale arcui Bg , quem radius AL , abscondit, vt ex propos. 1. lib. 2. manifestum est.

A T angulus uterque BLF , BFL , cognoscetur, vt in præcedenti problemate.

VIII. L A T V S.

Probl. 8.

Cum altero latere, & angulo non recto non datis.

E X base, & angulo, qui quæsito lateri opponitur.

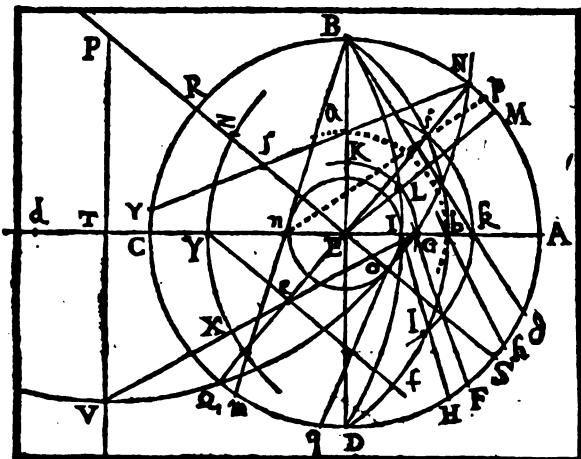
IN figura problematis 5. Sit Ah , arcus dati anguli, & ducto radio Bh , secante AC , in b , describatur maximus circulus per B, b, D , vt ABb , sit angulus datum. Sumpto deinde quadrante hm , ductoque radio bm , secante AC , in n , polo circuli BbD , vt lib. 2. propos. 8. Num. 17. monstratum est, numeretur basis data ex B , vsq; ad p. punctum, ex quo ad n , polū circuli BbD , recta ducatur secans eundem circulū in i : eritq; arcus Bi , basi Bp , æqualis, per ea, quæ lib. 2. propos. 5. Num. 17. demonstrata sunt. Ducta igitur recta Ei , secante Aequatorem in N , erit triangulum propositum BiN ; cum angulus N , rectus sit, & basis data Bi , vna cum angulo iBN , qui lateri quæsito iN , opponitur: quod latus iN , cognoscetur, si ex R , polo maximi circuli NEQ , per i , recta ducatur. Hæc enim abscondit ex Aequatore arcum a punto N , inchoatum arcui iN , æqualem: Vel si per i , parallelus describatur secans AE , in k . Arcus enim Ak , arcui Ni , æqualis est, & notus sit per rectam Bk ; cum hæc arcum abscondat Ag , ipsi Ak , vel Ni , æqualem, vt patet ex propos. 1. lib. 2.

A L T E R V M porro latus BN , per se cognitum est, cum sit arcus Aequatoris.

ANGVLVS denique reliquus BiN , notus efficietur, si ex Y , centro circuitus BbD , ad iE , perpendicularis deducatur, secans eundem circulum in f . Arcus namque $i f$, angulum eif , hoc est, ei ad verticem æqualem BiN , metietur, vt propos. 15. Num. 3. lib. 2. monstratum est.

Q V A M V I S autem problema hoc solutum a nobis sit, quando datum angulus acutus est, & data basis quadrante minor, eodem tamen modo soluetur, si datum

datus angulus sit acutus, & data basi quadrante maior; vel datus angulus obtusus; & basis data quadrante minor, aut maior. Nam si dato angulo acuto fiat $\angle ADB$, & basi assumpta Dp , quadrante majori abscindatur ex n. polo circuli BbD , $\angle equalis Di$, per radium np; constituet recta Ei , propositum triangulum DiN . Eadem ratione, si datus obtusus angulus numeretur à C, versus D, usque ad h, ducaturque radius Bh , secans AC, in b, constituet maximus



circulus BbD , angulum obtusum CBb , datum. Si igitur numeretur etiam basis data ex B, usque p quadrante minor, constituet recta i E, extensa per i, punctum à recta np, ex polo n, ducta abscissum, propositum triangulum BiQ , & latus iQ, quæsitum, cui datus obtusus angulus opponitur, cognoscetur per arcum Aequatoris inter Q, & rectam ex R, polo circuli i Q, per i, emissam, interceptum. Denique si detur obtusus angulus CDb , & basis quadrante maior Dp , abscindet ei recta np, $\angle equalis$ arcum Di . Recta ergo Ei , constituet propositum triangulum DiN , cuius latus quæsitum Qi , inuenietur, ut prius.

IX. LATVS.

Probl. 9.

Cum altero latere, & angulo non recto, quæ data non sunt.

Ex base, & angulo, qui latteri quæsito adiacet.

CONSTRVATVR in figura problematis 1. triangulum BLZ , ex data base BL , & angulo dato BLZ , prorsus idem, quod in problemate 3. constru. Etum fuit: eritq; latus quæsitum LZ , dato angulo BLZ , adiacens; quod notum efficiet arcus Aequatoris à rectis ex Y, polo circuli LZ , per extrema puncta L, Z, extensus abscissus, ut lib. 2. propos. 5. Num. 17. ostensum est. Quod si basis DL ,

Latus cum reliquo ex hac, & angulo, qui lateri quæsito adiacet, invenietur.

Xxx 2 quadran-

quadrante sit minor, & eadem fiant, constructur triangulum DLI, cuius latus quæsitum LI i. reperiatur rursus per arcum Aequatoris, quem rectæ ex Y, polo circuli Li, per extrema puncta L. i. emissæ absindunt.

LATVS autem alterum BZ, exhibebitur notum per arcum Aequatoris, quem rectæ ex h, polo circuli BZ, per B, Z, emissæ includunt, &c.

ANGVLVS verò reliquo LBZ, inuenietur, vt in 3. problemate scripsimus, &c.

X. L A T V S.

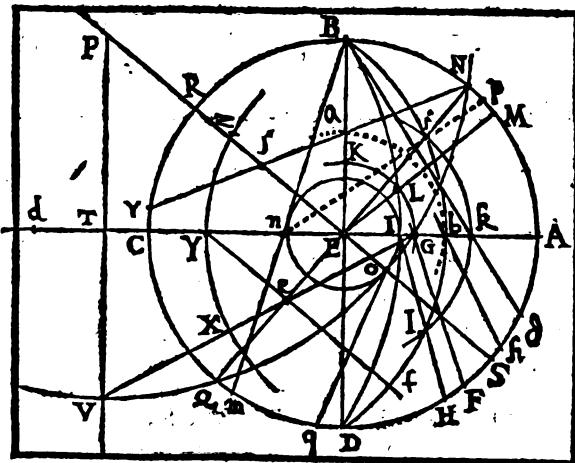
Probl. 10.

Cum base, & altero angulo non datis.

Ex altero latere, & angulo, qui quæsitum lateri adiacet: si modo constet species lateris quæsitum, vel anguli recti non dati, vel deniq; ipsius basis.

Latus cum reliquo ex altero latere & angulo adiacente quæsitum lateri inveniatur.

HIC etiam construatur in figura problematis s. Idem omnino triangulum AGN, quod in eo problemate constitutum est, ex dato nimisrum latere AG, & dato angulo ANG, qui quæsitum lateri AN, adiacet.



Nam quando datum latus quadrante minus est, si constet, latus quæsitum esse minus quadrante, erit quæsitum latus AN, in triangulo AGN: si vero constet, quæsitum latus quadrante esse maius, erit latus quæsitum AQ, in triangulo AGQ. At quando latus datum maius est quadrante, si constet quæsitum latus esse minus quadrante, erit quæsitum latus CQ, in triangulo CGQ: Si autem constet, latus quæsitum quadrante maius esse, erit quæsitum latus CN, in triangulo CGN, &c. Est autem, vt vides, latus quæsitum semper arcus Aequatoris, ac proinde cognitum.

BASIS

BASIS autem GN, cognoscetur ex arcu Aequatoris, quem intercipiunt rectæ ex s, polo circuli NOQ, (inuenio in problemate s. circa finem,) per puncta N, G, emissæ. Angulum verò reliquum AGN, inueniemus, vt in eodem problemate s. traditum est, &c.

X I. L A T V S.

Probl. 11.

Cum base, & altero angulo non recto non datis.

Ex altero latere, & angulo, qui lateri quesito opponitur.

IN eadem figura problematis 5. constitutatur datus angulus, si acutus est, ABB, vt in 8. problemate. Deinde sumpto dato latere BN, ducatur ex N, per E, polum Aequatoris maximus circulus NEQ, secans circulum BBD, in i, eritq; B i N, triangulum propositum, cum angulus BNI, rectus sit, & datus angulus N Bi, quæsito lateri Ni, opponatur: quod quidem notum efficietur per arcum Aequatoris inter N, & rectam ex R, polo circuli NEQ, per i, extensum; aut per arçum inter A, & rectam Bg, quæ per k, ducitur, vbi parallelus per i, descriptus rectam AC, intersecat, vt ex propos. 1. lib. secundi perspicuum est.

Latus cum sella
quis ex altero la-
tere & aspergulo.
qui quantum late-
ri opponitur, per
scrutari.

B A S I S vero B I , & equalis erit arcui Aequatoris B p , abscissio rectis n B , n p , ex polo n circuli B b D , eductis .

ALTER autem angulus BIN , notus efficietur, ut in problemate 3. di-
Gum est.

A T Q V E; ita quidem res se habebit, quando datus latus minus est quadrante, & angulus datus acutus; At si latus datum minus quidem est quadrante, sed datus angulus obtusus, erit quintum latus **Q i**, quadrante maius in triangulo **D i Q**; quod constituetur, si fiat datus obtusus angulus **C D b**, ex eius arcu **L h**, & radio **B h**, secante **A C**, in **b**, punto, per quod circulus **B b D** describitur, faciens angulum datum **C D b**; deinde verò datum latus assumatur **D Q**, ex cuius extremo recta ducatur **Q E i**, &c.

Q V O D si datum latus maius fuerit quadrante, & angulus datus acutus, consti-
tutetur ille angulus A D b, hoc est, A B b, sumpto prius eius arcu A h, du-
ctoq; radio B h, secante A C, in b, &c. Deinde sumpto latere dato D N, duca-
tur recta N E, secans circulum B b D, in i. Nam propositum triangulū erit
D i N, cum angulus ad N, rectus sit, & datus angulus i D N, quæsto lateri
N i, opponatur, &c. quod quidem latus N i, reperiatur, vt prius.

DENIQVE si datum latus fuerit quadrante maius, & angulus datus obtusus; constituantur datus angulus C Bb, ex eius arcu Ch, &c. Deinde sumpto dato latere B Q, ducatur recta, Q E, secans circulum B b D, in i, referensq; circumflexum maximum per polos Aequatoris ductum. Erit igitur triangulum propositum B i Q, cuius latus quæsumus est Q i, quod quidem cognoscetur per arcum Aequatoris inter Q, & rectam ex R, polo circuli N E Q, per i, extensem, &c.

Probl. 21.

X I I . L A T V S .

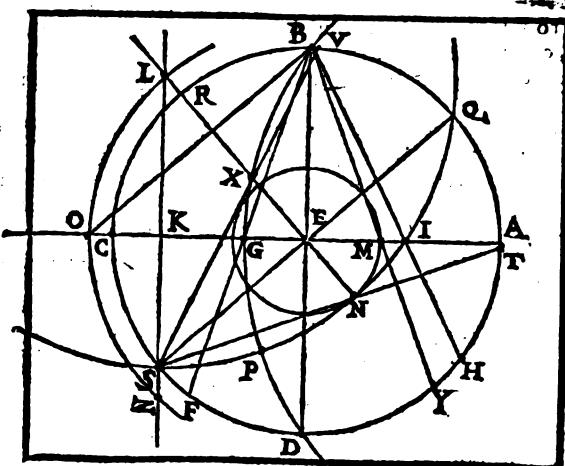
Cum base, & altero latere non datis.

E X vtroque angulo non recto.

Etens cum reliquo ex vtroque angulo non recto explouare.

S I T iterum Aequator ABCD, circa centrum E, cum duebus diametris sese ad rectos angulos secantibus AC, BD, & proponatur primo triangulum rectangulū duorum angulorum obtusorum. Sit vnius obtusū angulū arcus AF, ductoq; radio BF, secante AC, in G, describarur per B, G, D, maximus circulus, vt constitutus sit datus ille angulus obtusus ABG. Sumpto deinde quadrāte FH, ductoq; radio BH, secabitur AC, in I, polo circuli BGD, vt constat ex ijs, quæ lib. 2. propos. 8. Num. 17. demonstrata sunt. Si igitur per I, circulus maximus describatur faciens cum Aequatore angulum alterum obtusum datum, constructum erit propositum triangulum, & cum angulus, quem idem hic circulus posterior cum BGD, priore facit, rectus sit. Id autem sic fieri. Sit CY, arcus alterius anguli obtusus dati. Et quoniam, vt in scholio huius Canonis demonstrabitur, in omni triangulo sphærico rectangulo, vterius angulo-

a 13.1. Theor.



rum non rectorum minor est arcu, quo complemetum alterius anguli non recti à semicirculo differt; est autem arcus AI, arcui EG, hoc est, complemento anguli ABG, æqualis, quod GI, EA, quadrantes sint, ex Coroll. propos. 15. lib. 1. Theod. ac proinde AI, complementum anguli ABG, à semicirculo AC, differt arcu CI, erit CY, arcus alterius anguli obtusus minor arcu CH, qui arcui CI, aequalis est. Ducto igitur radio BY, secante A Q, in M, erit punctu M, inter E, & I; ac proinde descripto parallello MN, describi poterit circulus maximus

maximus per I , tangens circulum M N , ut propos. 20 lib 2 . tradidimus ; quem sic describemus . Recta inter I , & alterum polum circuli BGD , bifariam diuisa in K ; vel , quando alter ille polus nimis procul excurrit , inuenito K , centro trium punctorum B , I , D , quod praedictam rectam bifariam secat , cum circulus per B , I , D , descriptus per alterum polum transeat , propterea quod maximus est , per B , D , puncta opposita incendens ; erigatur ad AC , perpendicularis KL , in qua necessario centrum circuli tangentis maximus existet , ut ibidem demonstravimus . Post hanc redilineo angulo B M C , fiat æqualis angulus M B O . Nam quia semicirculus circa rectam inter I , & alterum polum circuli BGD , positam descriptus transit per punctum B , extremum perpendicularis E B , ut loco citato demonstratum est ; idcirco in B , ad rectam B M , angulus constitutus est æqualis angulo BMC ; caderetq; necessariò punctum O , ut ibidem ostensum est , ultra K . Descripto igitur ex E , per O , circulo , secabitur K L , in L , Z , punctis , quorum utrumlibet centrum esse potest circuli maximi per I , descripti , circulumq; M N , tangentis ; puncti quidem L , centrum erit , si tangens circulus facere debeat angulum obtusum cum Aequatore versus angulum ABG , & punctum contactus erit N , in quod recta L E , incidit : at si circulus tangens debet cu Aequatore versus B , constitutere angulum acutum , erit eius centrum Z , punctumq; contactus à ducta recta Z E , indicabitur , ut ibidem monstratum est . Descripto ergo ex L , (quia angulum obtusum desideramus) per I , circulo maximo , qui tanget circulum MN , in N , transbitque per alterum polum circuli BGD , atque Aequatorem in punctis oppositis Q , S , secabit , ita ut recta QS , ad LN , perpendicularis sit , sierratum non est , erit propositum triangulum BPQ : cum angulus P , rectus sit , & angulus ABG , unus ex datis angulis obtusis , & BQP , taliquis , eo quod eius arcus RN , æqualis est arcui CM , hoc est , arcui assumpto CY . Quod si radius emittatur SNT , & quadrans TV , accipiatur , ut radius SV , exhibeat X , polum circuli QNS ; qui necessario erit in communis sectione rectæ EL , cum circulo BGD . Cum enim circulus QNS , transeat per I . polum circuli BGD , transbit hic vicissim per illius polos . Cum ergo polus circuli QNS , sit in recta EL , ut propos. 8 . Num . 19 . ostensum est , erit X , communis sectio rectæ EL , cum circulo BGD , polus circuli QNS , cognoscemus latus PQ , per arcum Aequatoris inter Q , & rectam ex polo X , per extreum punctum P , extensam . Latus vero BP , per Aequatoris arcum inter B , & rectam ex polo I , per punctum extreum P , emis- sam , ut lib . 2 . propos . 5 . Num . 17 . demonstravimus .

P R O P O N A T V R deinde triangulum rectangulum duorum angulo- rum acutorum . Si igitur construatur triangulum rectangulum duorum obtusorum angulorum , qui datorum acutorum complementa sint ad semicirculum , vel ad duos rectos . ut proxime dictum est , nimur triangulum BPQ ; erit propositum triangulum DPS , cum angulus P , rectus sit , & alii acuti , quorum complemen- ta ad duos rectos sunt obtusi ADG , vel ABG , & RSN , vel RQN . Latus ergo DP , æquale erit arcui Aequatoris , quem rectæ ID , IP , (si ducantur) absclif- fent : Latus vero PS , arcui Aequatoris , a rectis XP , XS , (si ductæ fuerint) absclif- fso æquale erit .

T E R T I O triangulum propositum sit rectangulum , cuius alter reliquo- rum angulorum acutus sit , & alter obtusus . Constituatur ergo iterum triangu- lum BPQ , rectangulum duos angulos habens obtusos , quorum unus datus sit ABG , alter vero RQN , complementum acuti dati ad duos rectos . Triangulum enim propositum erit DPQ , habens rectum angulum P , & obtusum datu PDQ , & acutum DQP , cuius complementum ad duos rectos est angulus constitutus

PQB .

PQB. Latus ergo PD, notum fiet per rectas ex I., polo circuli BGD, per P, & D, emissas; at latus PQ, per rectas ex polo X. circuli QNS, per P, Q, extensus.

IN omnibus autem hisce triangulis basis BQ, vel DS, vel DQ, per se nota est, cum sit arcus Aequatoris.

XIII. BASIS.

Probl. 13.

Cum altero latere, atque angulo non datis.

Ex latere, & angulo ei adiacente.

Basem enim reli-
quias ex latere, et
que angulo ei ad
iacentes cognoscere
so.

IN figura problematis 1. sit datum latus BF, & ad F, construatur angulus BFL, dato angulo æqualis, vt in 4. problemate: quod fiet, si sumpto arcu Me, da- ti anguli, radius egrediatur ex F, per e, secas MN, in T, (ductis prius duabus dia- metris FL, MN, ad angulos rectos se diuidentibus.) & per tria puncta F, T, K, circulus ex centro F, describatur, qui maximus erit, cum per opposita puncta F, K, incedat. Triangulum igitur propositum erit BFL; cuius basis FL, reperietur per rectas ex Y, polo basis, (qui inuenietur, si ducto radio KT, quadrans sumatus VX. Nam radius KX, rectam MN, in Y, polo secabit.) per F, L, eductas.

A L T E R V M latus BL, æquale erit arcu Aequatoris Bg, à radio AL, abscisso.

R E L I Q V V S vero angulus BLF, cognitus erit vel per arcum LR, vel per arcum QS, duplicatum, &c.

XIII. BASIS.

Probl. 14.

Cum altero latere, & angulo, non datis.

Ex latere & angulo ei opposito: si modo constet, num basis quadrante maior sit, vel minor: Aut an alter angulus non datus sit acutus, ob- tususque: Aut denique num alterum latus non datum, minus sit qua- drante, an maius.

Basem enim reli-
quias ex latere, &
angulo ei oppo-
site possest.

F I A T in figura problematis 5. ex dato latere, & angulo opposito triangul- lum AGN, vt in 5. problemate: quod fiet, si sumpto latere dato AF, & arcu da- ti anguli AH, qui maior erit arcu AF, vt in 5. problemate dictum est, atque re- liqua construantur, vt ibidem factum est. Propositum enim triangulum erit AGN, si constet, basem esse quadrante minorem; vel AGQ, si constet basem ma- iorē esse quadrante. Quod si datum latus fuerit maius quadrante, erit vel CGN, vel CGQ, triangulum propositum, prout videlicet constabit, basem minorem esse quadrante, vel maiorem. Basis autem GN, vel GQ, nota fiet ex arcu Aequatoris abscisso per rectas per puncta G, N, vel G, Q, emissas ex F, polo circuli NGQ; qui reperietur, si ducta recta NOq, quadrantem accipiamus qt. Radius enim Nr, polum quæsumus s, in recta PS, indicabit, vt ex propos. 8. Num. 17. lib. 2. perspicuum est.

A L T E -

ALTERVM latus AN, vel AQ, vel CN, vel CQ per se notum erit, cum sit arcus Aequatoris.

ANGVLVS autem reliquus ad punctum G, cognoscetur, ut in problema-
te 5. dictum est.

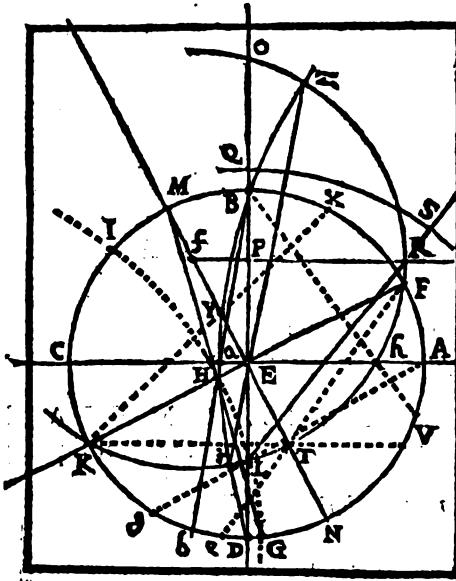
X V. B A S I S:

Digitized by srujanika@gmail.com

Cum utroque angulo non recto, quorum neuter datur.

Ex vitroque latere.

Sækñ em reñ
quis ex vtrequo
languerent.



ANGVLVS autem vterque BLF, BFL, cognoscetur, vt in 2. problemate.

X V I. B A S I S.

Probl. 163

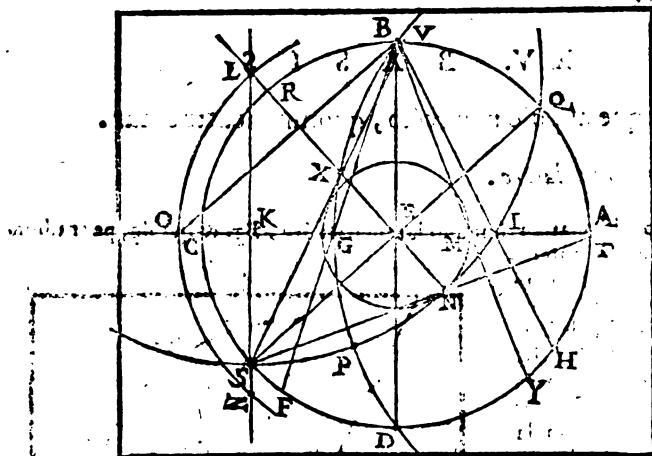
Cum vitroque latere non dato.

Ex utroque angulo non recto.

F I A T omnino idem triangulum datorum angulorum, quod in problemate 32. constructum fuit, BPQ, vel DPS, vel DPQ, prout uterque angulus datus fuerit

Bafem cum relio
quis ex utroque
angulo ab recto
per me fugare.

fuerit obesus, vel aquus, vel aquitius unus, & alter strusus. In his omnibus basis BQ, vel DS, vel DQ, nota est, cum sit arcus Aequatoris.



V T R V M Q V E porrò latus notum efficietur, vt in 12. problemate do-
cūmus.

A T Q V E Ita omnia problemata triangulorum sphæricorum rectangulo-
rum expedita sunt: sequuntur iam triangula obliquangula, in quibus videlicet
nullus angulorum rectus est.

Probl. 17.

XVII. OMNIA LATERA
trianguli obliqui quanguli.

EX ombrius angulis.

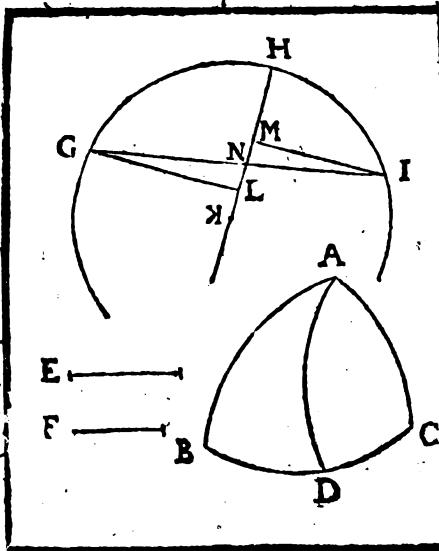
Angulos, quos
arcus perpendicularis ad latus
oppositum demis-
sus in triangulo
sphærico facit in
opposito angulo
congruenter. .

IN huiusmodi triangulo quocumque erint saltantibus angulis acuti, vel obtusis, si omnes tres acuti non sunt, aut obtusa. Sit igitur triangulum sphæricum obliquangulum ABC, datorum angulorum, cuius duo anguli B, C, obtusi sint, vel acuti, intelligaturque ex reliquo angulo A, qualisunque sit, ad latus B C, demissus arcus perpendicularis D, qui per propos. 17. nostrorum triang. sphæric. intra triangulum cadet. Primum ergo inuestigare oportet duos angulos BAD, CAD, hoc modo. Sumantur in aliquo circulo arcus angulorum B, C, & eorum complementorum sinus, qui proportionem habeant, quam recta E, ad rectam F, Deinde in circulo GHI, cuius centrum K, accipiatur GI, arcus anguli A, eiusq; chorda GI, secetur in N, ex scholio propof. 18. lib. 6. Eucd. iiii. Et sit GN, ad NI, quemadmodum E, ad F, atque ex K, centro per N, recta ducatur KNH. Dico GH, arcum esse angulus BAD, & HI, arcum anguli CAD. Quia enim ex G, I, ad KH, perpendicularibus GL, IM, hoc est, ~~hunc~~ arcus ¹¹⁰⁰ GH, HI.

GH, **I**H; quoniam anguli **L**, **M**, recti sunt, ideoque aequales, itemque & angulis **N**, **M**, verticem **D**, aequales, erunt triangula **GLN**, **IMN**, aequilatera. Igitur ^{4. sexti.} erit, ut **GN**, ad **GL**, ita **IN**, ad **IM**, & permutando ut **GN**, ad **LN**, ita **GL**, ad **LM**: Est autem ut **GN**, ad **N**, ita **E**, ad **F**, hoc est, ita sinus complementi anguli **B**, ad sinum complementi anguli **C**. Igitur erit quoque, ut sinus complementi anguli **B**, ad sinum complementi anguli **C**, ita **GL**, ad **IM**. Quamobrem. Nam per propos. 61. nostrorum triang. sphær. eandem proportionem habeant sinus complementorum angulorum **B**, **C**, quam sinus angulorum **BAD**, **CAD**, habentque quoque ut **GL**, ad **IM**, ita sinus anguli **BAD**, ad sinum anguli **CAD**. Cum ergo **GL**, **IM**, sinus sint arcuum **GH**, **IH**; erit **GH**, arcus anguli **BAD**, & **IH**, arcus anguli **CAD**, cum sinus angulorum idem sint, qui arcuum angulos perseruent. Cogniti, igitur erunt anguli **BAD**, **CAD**, cum eorum arcus **GH**, **IH**, cogniti sint.

SED quia contingere potest, ut existente angulo **BAC**, obtuso, arcus perpendicularis **AD**, faciat alterutrum angulorum **BAD**, **CAD**, rectum, propositio ^{42.} nostrorum triang. sphær. demonstrata est per propos. ^{42.} eorundem, quae locum solum habet in triangulo unicum habente angulum rectum, non autem duos qualiteresse possunt vel **BAD**, **ADB**, vel **CAD**, **ADC**; demonstrari poterit ^{eadem} propos. 61. quando alter angulorum ad **A**, rectus est, hoc modo. Sit primus angulus **BAD**, rectus. Cum ergo & **ADB**, rectus sit, erunt **AB**, **DB**, per propos. 25. nostrorum triang. sphær. quadrantes, ac propterea **AD**, arcus erit anguli **B**. Igitur erit, ut sinus anguli recti **BAD**, ad sinum totum, ita sinus complementi anguli **B**, ad sinum complementi arcus **AD**, cum utrobique sit proportio aequalitatis. Est enim idem complementum anguli **B**, & arcus **AD**, cum **AD**, arcus sit anguli **B**. Sed per propos. 42. nostrorum triang.

sphær. est, ut sinus anguli **DAC**, (qui minor semper est recto, cum totus angulus **BAC**, duobus rectis sit minor, & **BAC**, rectus ponatur) ad sinum totum, ita sinus complementi anguli **C**, ad sinum complementi arcus **AD**: Et conuertendo, ut sinus rectus ad sinum anguli **DAC**, ita sinus complementi arcus **AD**, ad sinum complementi anguli **C**. Igitur erit ex aequalitate, ut sinus anguli recti **BAD**, ad sinum anguli **DAC**, ita sinus complementi anguli **B**, ad anguli **DAC**, ita sinus complementi anguli **B**, ad finum.



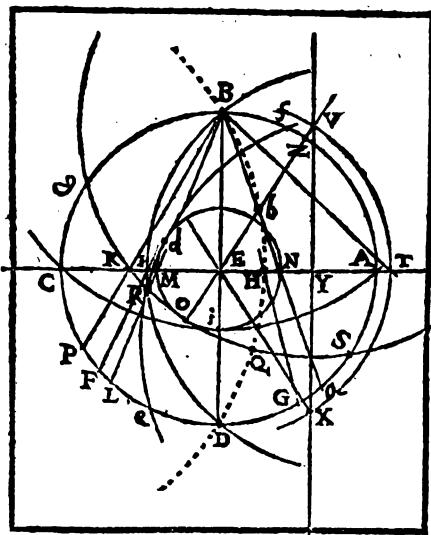
Demōstratio vni
versaliter propos.
61. triang.
sphær.

Sinum complemētū anguli C, quod in dicta propos. 61. erat demonstrandum.
SI T deinde angulus CAD, rectus. Igitur, ut proxime demonstravimus, erit
ut sinus anguli recti CAD, ad sinum anguli BAD, ita sinus complemētū an-
guli C, ad sinum complemētū anguli B : Et conuerteendo, ut sinus anguli BAD;
ad sinum anguli recti CAD, ita sinus complemētū anguli B, ad sinum comple-
mētū anguli C, quod est propositum.

Tria latera ex
tribus angulis
discere.

INVENTIS arcubus angulorum BAD, CAD, quos arcus AD, ad latitudinem BC, perpendicularis facit, se

Aequator Astrolabij ABCD, circa centrum E, superiori cīle
culo GHI, æqualis, ut facilius
arcus angulorum inueni in
eum transferantur, ducantur
que duæ diametri BD, AC, ad
angulos rectos fesse secantes :
Sumpto autem arcu AF, anguli
BAC, qui nimirum arcus
GHI, superioris figuræ sit æ
qualis, vel certe similis, si Aeq-
uator ABCD, circulo GHI,
non fuerit æqualis descriptus,
& ducto radio BF, secante AC,
in I, describatur per B, I, D;
maximus circulus BID, ut fiat
angulus ABI, dato angulo
BAC, æqualis. Deinde sum-
pto arcu AG, anguli CAD,
qui videlicet arcui HI, supe-
rioris figuræ æqualis sit, aut
similis, ductoque radio BG,
secante AC, in H, describatur
per B, H, D, circulus maxi-



mus BHD, ut fiat angulus ABH, angulo CAD, ac proinde reliquus IBH;
reliquo BAD, æqualis. Sumpto quoque quadrante GP, dabit radius BP, in
recta AC, polum K, circuli BHD. Et quoniā arcus CK, æqualis est
arcui EH, hoc est, complemento anguli ABH, vel CAD, superioris figuræ
quod quadrates sint CE, KH; differet complementum anguli ABH, vel CAD,
superioris figuræ, a semicirculo AC, arcu AK. Si ergo accipiatur AL, arcus an-
guli ACD, dati in triangulo rectangulo ACD, superioris figuræ, ducaturque ra-
dius BL, secans AC, in M, erit punctum M, inter A, & K; propterea quod, ut in
scholio ostendemus, in triangulo rectangulo ACD, angulus C, minor est arcu
AK, quo complementum anguli CAD, superioris figuræ, vel anguli ABH, in
hac figura, à semicirculo differt. (Quod si angulus C, foret acutus, cuius vide-
litter arcus esset AN, si ei æqualis acciperetur CM; caderet adhuc punctum M, in
ter A, & polum circuli per B, N, D, descripti, propterea quod, ut in eodem scho-
lio huius Canonis demonstrabitur, in omni triangulo rectangulo veteris reli-
quorum angulorum, nimirum acutus C, ideoque & CM, arcus anguli eiusdem
C, maior est complemento alterius, hoc est arcu circuli CEA, a punto C, usque
ad polum circuli per B, N, D, descripti.) Parallelus ergo ex E, per M, descriptus
totus

totus inter puncta A.K. continebitur; ac proinde si per K, circulus KS, describatur parallelum MON, tangens, Babebimus propositum triangulum BKS, datorum angulorum, ut probabitur. Ita autem per propos. 20. lib. 2. vel per Lemma 41. per K, circulum tangentem describemus. Diuisa recta inter K, & alterum polum circuli BHD, bifariam in Y, vel quando alter polus nimis procul distat, inuenio centro Y, trium punctorum B, K, D, quod dictam lineam bifariam diuidet, cum circulus per B, K, D, descriptus transeat etiam per alterum polum, erigatur ad AC, perpendicularis YV, in qua centrum circuli describendi existet quod respectetur hoc modo. Angulo rectilineo BMA, sit aequalis MBT, cadesque necessario punctum T, ultra Y, & parallelus ex E, per T, descriptus, secabit rectam YV, in punctis V, X, quorum utrumque centrum esse potest circuli tangentis; quae omnia in dicta propositione 20. lib. 2. & Lemmate 31. demonstrauimus. Punctum quidem V, erit centrum, si uterque angulorum C, B, datus sit obtusus, alias punctum X, centrum erit. Ponamus ergo, utrumque angulum esse obtusum, & ducta recta VEO, describatur ex V, per K, circulus, qui, ut in dicta propos. 20. lib. 2. ostendimus, cirulum MON, in O, continget, secabitque circulos BID, ABC, in duobus punctis, nimirum R, S. Dico BRS, esse triangulum propositum. Quoniam enim maximus circulus ZEO, transit per polos circuli KOS, & Aequatoris, quod eius centrum, ac poli, & centrum Astrolabii, sive polus Aequatoris, in eadem recta sunt, ut lib. 2. propos. 8. Num. 19. monstratum est; transibunt vicissim circulus KOS, & Aequator per illius polos, itaque S, polus erit circuli maxi- mi ZEO, per polos mundi ducti; ac proinde ZO, arcus erit anguli BSR. Quare cum arcus ZO, quadrante maior sit, & aequalis arcui AM, anguli C, erit angulus BSR, obtusus, & aequalis angulo C.^{a 19. 2.} Et quoniam angulus BQS, rectus est,
ideoque recto ADC, aequalis; erint tres anguli trianguli BQS, tribus angulis trianguli ADC, superioris figurae aequalis; atque idcirco per propos. 19. nostrorum triang. sphær. & latus BS, lateri AC, & latus PQ, lateri AD, & latus QS, lateri DC, aequalis erit. Rursus quia in triangulo BQR, duo anguli B, Q, duabus angulis A, D, in triangulo ADB, aequalis sunt, latusque adiacens BQ, lateri adiacenti AD, ostensum est aequalis; erit per propos. 20. nostrorum triang. sphær. & latus BR, lateri AB, & latus QR, lateri DB, aequalis, atque angulus R, angulo B. Totum ergo triangulum BRS, toti dato triangulo ABC, aequaliterum est, & equiangulum. Latus autem BS, nonum est, tanquam pars Aequatoris; alia vero duo cognoscuntur per rectas ex eorum polis per puncta extrema emissas; qui post sic inuenientur. Sumpto quadrante Fa, dabit radius Ba, in AC, polum N, circuli BR. Deinde quia maximus circulus KS, ducitur per K, S, polos maximorum circulorum BHD, ZO, (ostensum enim fuit, S, polum esse ipsius ZO,) transibunt hi vicissim per illius polos, ideoque polus circuli KS, erit punctum b, vbi circuli ZO, BQ, se interfecant.

QVOD si anguli C, B, ponantur acuti, describendus erit circulus ex X, per K, qui tangent circulum MON, in extremo punto rectæ ex X, per E, extensis, facietque cum Aequatore angulum acutum angulo C, aequalem, cum eius arcus minor tunc sit quadrante, &c.

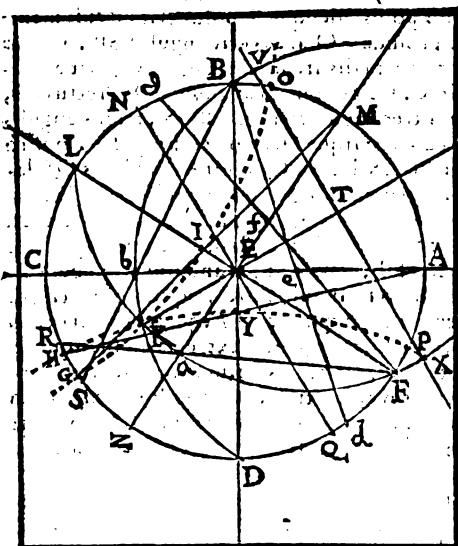
XVII. OMNES ANGULI
trianguli obliquanguli.

Probl. 18.

E X. omnibus lateribus.

Tres angulos ex
tribus lateribus
ercentur.

In Acuatoro ABCD, cuius centrum E, & quadrilateri sece ad rectos angulos secantes AG & BD, sumuntur etiam arcus tribus datis lateribus aequales BF, BH, FG. Circa polum B; vel D, per propos. 18. lib. 2. describatur maximo circulo AC, per mundi polos ducto parallelus HYP; per punctum H: quod sic fieri. Ducta recta AH, secante BD, in Y, sumatur arcus CH, aequalis arcus AB. Nam circulus per tria puncta H, Y, P, centrum habens in recta BD, parallelus erit maximi circuli AC, per H; descriptus. Rursus ducta diametro FL, quam ad rectos angulos seces MZ, describatur circa polum F; vel L, maximo circulo MZ, per polos mundi ducto parallelus OIG, per punctum G; hoc modo. Ducta recta MG, secante FL, in I, sumatur arcus ZG, aequalis arcus MQ, ac per tria puncta O, I, G, circulus OIG, centrum habens in recta FL, describatur, qui parallelus est ipso maximi circuli MZ; que omnia. lib. 2. propos. 18. Num. 5. demonstravitur. Seca batur autem secundum duo hi paralleli, si problema possibile est, in punto K. Si igitur per tria puncta B, K, L, maximus circulus describatur FKL, & per tria puncta B, K, D, alias BKD, erit propositum triangulum BFK, cum latus BF, sit unum ex datis, & BK, ex definitione poli aequaliter alteri dato lateri BH, & FK, tertio lateri dato FG, aequaliter. Anguli huius trianguli sic reperiuntur. Ductis radijs B a R, B b S, dabit arcus MR, magnitudinem anguli BFK, & arcus AS, quem titatem anguli FBK. Denique ducta recta KE, qua ad rectos angulos fecerit diameter N Q. si trium punctorum N, K, Q, centrum reperiatur T, & ad KT, perpendicularis excitetur



TV, metietur arcus KV, angulum VKT, & arcus KX, angulum XKT, ut lib. 2. propos. 15. Num. 3. monstratum est. Si igitur arcui KV, adjiciatur arcus similis arcui KX, habebitur arcus totius anguli BKF.

X I X. LAT V S C V M D V O B V S A N G V L I S
adiacentibus in triangulo obliquangulo.

Probl. 19.

Ex reliquis duobus lateribus, & angulo ab ipsis comprehenso.

O F F I C I A O K U M Y O A C T I A S D V I C I A M

I N antecedentis problematis figurae sit vnum ex datis datur radios BF, Sumpto autem arcu dati anguli AS, ductoque radio BS, secante AC, in b, describatur per tria puncta B, b, D, circulus maximus, vt datum angulus sit Abb. Deinde sumpto quadrante SD, ducatur radius B d, secans AC, in c, polo circuli BbD, vt ex ijs constat, quæ lib. 2. propos. 8. Num. 17. demonstrauimus. Si igitur accipiatur arcus BH, alteri dato lateri æqualis, & ex e, polo recta emittatur eH, absin detur ex circulo BbD, arcus BK, æqualis arcui BH, hoc est, alteri lateri dato. Postremo ducatur diametra FL, quam ad angulos rectos secat diameter MZ, & per tria puncta F, K, L, descriptio maxima circula FKL, centrum habente in e, & MZ; constructum erit propositum in triangulum BKF, cum duo lateta data sint BF, BK, vna cum angulo FBK, ab ipsis comprehenso. Ia ducatur recta FaR, sumptoque quadrante Rg, si ducatur recta Fg, secabitur MZ, in f, polo circuli FKL. Recta ergo FK, abscedat arcu A equatoris PG, inter quatuor FK, equalem. Anguli autem BFK, BKF, cognoscuntur, vt in precedenti problemate.

Latus cum adiacentibus duobus angulis, ex duabus reliqui lateribus, & angulo comprehenso colligere.

N O N aliter problema solutum, si datum angulus sit acutus. Sit enim vnum ex datis lateribus BL, & CS; arcus dati anguli acutus. Ducto ergo radio BS, secante AC, in b, constituet circulus per tria puncta B, b, D, describens angulum datum LBb, acutum. Sumpto deinde alero mire dato BA, si e, polo circulu BbD, ducatur recta eH, abscedens arcus BK, huius akeri dato lateri BL, æquale. Ducta postremo diametra LF, quam ad angulos rectos secat MZ, si per tria puncta L, K, F, circulus maximus describatur, constructum erit triangulum propositum BLK. Recta autem FK, ex polo f, duciliæ XL, emissi auerget arcum LH, quatuor lateri LK, æqualem. Anguli ad L, K, invenientur ut prius, quemadmodum lib. 2. propos. 15. eradicatum est. Angulus enim BLK, inuestito angulo BEK, æqualis est. Et si inueniatur angulus BKF, ex duabus rectis collatur, reliquo erit quadratus alter angulus BL.

X X. D V O L A T B R A C V M A N G V L O A B
ipsi comprehendendo in triangulo obliquangulo.

Probl. 20.

Ex reliquo latere, & duobus angulis illi adiacentibus.

I N eadem figura problematis 18. sit datum latus BF, à cuius extremis duæ sint diametri BD, F L, quas ad rectos secant angulos aliæ diametri AC, MZ; sitque AS, arcus anguli ad Bd, constituendi, & MR, anguli eos inserviant ad F. Ductis igitur radiis BS, FR, secantibus AC, MZ, in b, c, si tam per tria puncta B, b, D, quam per tria Fa, L, maximus circulus describatur, constructum erit triangulum propositum BFK, cum habeat datum latus BF, cum duobus datis angulis adiacentibus FBK, BFK. Hos etenim angulos metiuntur arcus AS, vel AB, & MR, vel Ma, vt lib. 2. propos. 15. ostendimus. Inuentis autem e, f, polis circulorum BbD, FaL, (quod fieri, si sumptis quadrantibus SD, Rg, radij egrediantur

Duo latera, &
angulum ab ip
sos concentatum ex
reliquo latere, &
angulis ei adiac
centibus posse
figare.

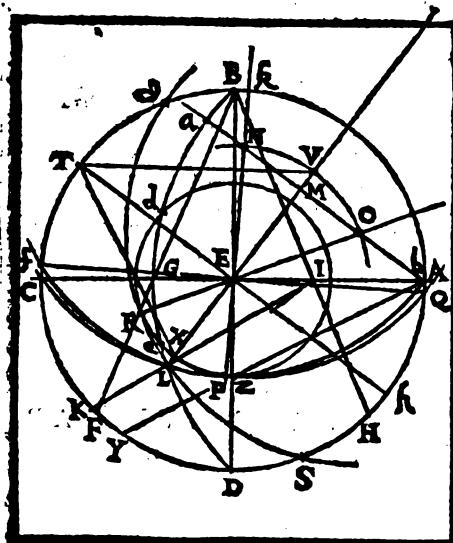
diantur B d, Fg., secantes AC, MZ, in e, f, polis, ut constat ex propos. 8. Num. 27. lib. 2.) recta eK, abscedet arcum BH, lateri BK, & recta fK, arcum FG, lateri FK, aequalem. Angulus vero BKF, notus fieri, ut in problemate 18. cum arcus KV, metiatur eius partē VKT, & arcus KX, eius alteram partem XKV, &c.

Probl. 31. X X I. DVO LATERA CVM VNO ANGVLO
vni eorum opposito in triangulo obliquangulo.

EX reliquis duobus angulis, & reliquo latere, quod vni eorum opponitur, si modd constet species lateris questi alteri angulo dato oppositi.

Duo laters, &
angulum unico-
rum oppositum,
ex duabus reli-
quis angulis, &
reliquo lacere
uni eorum oppo-
site, perscruta-
ti.

<img alt="A geometric diagram on a sphere showing various great circles and arcs. The sphere is centered at point E. A horizontal great circle passes through points B, D, and F. Another great circle passes through A and C. Several other great circles and arcs are drawn, including ones through points G, H, I, J, K, L, M, N, O, P, Q, R, S, T, and V. Points are labeled with letters A through T and X, Y, Z, and numbers 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29, 30, 31, 32, 33, 34, 35, 36, 37, 38, 39, 40, 41, 42, 43, 44, 45, 46, 47, 48, 49, 50, 51, 52, 53, 54, 55, 56, 57, 58, 59, 60, 61, 62, 63, 64, 65, 66, 67, 68, 69, 70, 71, 72, 73, 74, 75, 76, 77, 78, 79, 80, 81, 82, 83, 84, 85, 86, 87, 88, 89, 90, 91, 92, 93, 94, 95, 96, 97, 98, 99, 100, 101, 102, 103, 104, 105, 106, 107, 108, 109, 110, 111, 112, 113, 114, 115, 116, 117, 118, 119, 120, 121, 122, 123, 124, 125, 126, 127, 128, 129, 130, 131, 132, 133, 134, 135, 136, 137, 138, 139, 140, 141, 142, 143, 144, 145, 146, 147, 148, 149, 150, 151, 152, 153, 154, 155, 156, 157, 158, 159, 160, 161, 162, 163, 164, 165, 166, 167, 168, 169, 170, 171, 172, 173, 174, 175, 176, 177, 178, 179, 180, 181, 182, 183, 184, 185, 186, 187, 188, 189, 190, 191, 192, 193, 194, 195, 196, 197, 198, 199, 200, 201, 202, 203, 204, 205, 206, 207, 208, 209, 210, 211, 212, 213, 214, 215, 216, 217, 218, 219, 220, 221, 222, 223, 224, 225, 226, 227, 228, 229, 230, 231, 232, 233, 234, 235, 236, 237, 238, 239, 240, 241, 242, 243, 244, 245, 246, 247, 248, 249, 250, 251, 252, 253, 254, 255, 256, 257, 258, 259, 260, 261, 262, 263, 264, 265, 266, 267, 268, 269, 270, 271, 272, 273, 274, 275, 276, 277, 278, 279, 280, 281, 282, 283, 284, 285, 286, 287, 288, 289, 290, 291, 292, 293, 294, 295, 296, 297, 298, 299, 300, 301, 302, 303, 304, 305, 306, 307, 308, 309, 310, 311, 312, 313, 314, 315, 316, 317, 318, 319, 320, 321, 322, 323, 324, 325, 326, 327, 328, 329, 330, 331, 332, 333, 334, 335, 336, 337, 338, 339, 340, 341, 342, 343, 344, 345, 346, 347, 348, 349, 350, 351, 352, 353, 354, 355, 356, 357, 358, 359, 360, 361, 362, 363, 364, 365, 366, 367, 368, 369, 370, 371, 372, 373, 374, 375, 376, 377, 378, 379, 380, 381, 382, 383, 384, 385, 386, 387, 388, 389, 390, 391, 392, 393, 394, 395, 396, 397, 398, 399, 400, 401, 402, 403, 404, 405, 406, 407, 408, 409, 410, 411, 412, 413, 414, 415, 416, 417, 418, 419, 420, 421, 422, 423, 424, 425, 426, 427, 428, 429, 430, 431, 432, 433, 434, 435, 436, 437, 438, 439, 440, 441, 442, 443, 444, 445, 446, 447, 448, 449, 450, 451, 452, 453, 454, 455, 456, 457, 458, 459, 460, 461, 462, 463, 464, 465, 466, 467, 468, 469, 470, 471, 472, 473, 474, 475, 476, 477, 478, 479, 480, 481, 482, 483, 484, 485, 486, 487, 488, 489, 490, 491, 492, 493, 494, 495, 496, 497, 498, 499, 500, 501, 502, 503, 504, 505, 506, 507, 508, 509, 510, 511, 512, 513, 514, 515, 516, 517, 518, 519, 520, 521, 522, 523, 524, 525, 526, 527, 528, 529, 530, 531, 532, 533, 534, 535, 536, 537, 538, 539, 540, 541, 542, 543, 544, 545, 546, 547, 548, 549, 550, 551, 552, 553, 554, 555, 556, 557, 558, 559, 560, 561, 562, 563, 564, 565, 566, 567, 568, 569, 570, 571, 572, 573, 574, 575, 576, 577, 578, 579, 580, 581, 582, 583, 584, 585, 586, 587, 588, 589, 589, 590, 591, 592, 593, 594, 595, 596, 597, 598, 599, 600, 601, 602, 603, 604, 605, 606, 607, 608, 609, 610, 611, 612, 613, 614, 615, 616, 617, 618, 619, 620, 621, 622, 623, 624, 625, 626, 627, 628, 629, 630, 631, 632, 633, 634, 635, 636, 637, 638, 639, 640, 641, 642, 643, 644, 645, 646, 647, 648, 649, 650, 651, 652, 653, 654, 655, 656, 657, 658, 659, 660, 661, 662, 663, 664, 665, 666, 667, 668, 669, 669, 670, 671, 672, 673, 674, 675, 676, 677, 678, 679, 679, 680, 681, 682, 683, 684, 685, 686, 687, 688, 689, 689, 690, 691, 692, 693, 694, 695, 696, 697, 698, 699, 699, 700, 701, 702, 703, 704, 705, 706, 707, 708, 709, 709, 710, 711, 712, 713, 714, 715, 716, 717, 718, 719, 719, 720, 721, 722, 723, 724, 725, 726, 727, 728, 729, 729, 730, 731, 732, 733, 734, 735, 736, 737, 738, 739, 739, 740, 741, 742, 743, 744, 745, 746, 747, 748, 749, 749, 750, 751, 752, 753, 754, 755, 756, 757, 758, 759, 759, 760, 761, 762, 763, 764, 765, 766, 767, 768, 769, 769, 770, 771, 772, 773, 774, 775, 776, 777, 778, 779, 779, 780, 781, 782, 783, 784, 785, 786, 787, 788, 789, 789, 790, 791, 792, 793, 794, 795, 796, 797, 798, 799, 799, 800, 801, 802, 803, 804, 805, 806, 807, 808, 809, 809, 810, 811, 812, 813, 814, 815, 816, 817, 818, 819, 819, 820, 821, 822, 823, 824, 825, 826, 827, 828, 829, 829, 830, 831, 832, 833, 834, 835, 836, 837, 838, 839, 839, 840, 841, 842, 843, 844, 845, 846, 847, 848, 849, 849, 850, 851, 852, 853, 854, 855, 856, 857, 858, 859, 859, 860, 861, 862, 863, 864, 865, 866, 867, 868, 869, 869, 870, 871, 872, 873, 874, 875, 876, 877, 878, 879, 879, 880, 881, 882, 883, 884, 885, 886, 887, 888, 889, 889, 890, 891, 892, 893, 894, 895, 896, 897, 898, 899, 899, 900, 901, 902, 903, 904, 905, 906, 907, 908, 909, 909, 910, 911, 912, 913, 914, 915, 916, 917, 918, 919, 919, 920, 921, 922, 923, 924, 925, 926, 927, 928, 929, 929, 930, 931, 932, 933, 934, 935, 936, 937, 938, 939, 939, 940, 941, 942, 943, 944, 945, 946, 947, 948, 949, 949, 950, 951, 952, 953, 954, 955, 956, 957, 958, 959, 959, 960, 961, 962, 963, 964, 965, 966, 967, 968, 969, 969, 970, 971, 972, 973, 974, 975, 976, 977, 978, 979, 979, 980, 981, 982, 983, 984, 985, 986, 987, 988, 989, 989, 990, 991, 992, 993, 994, 995, 996, 997, 998, 999, 999, 1000, 1001, 1002, 1003, 1004, 1005, 1006, 1007, 1008, 1009, 1009, 1010, 1011, 1012, 1013, 1014, 1015, 1016, 1017, 1018, 1019, 1019, 1020, 1021, 1022, 1023, 1024, 1025, 1026, 1027, 1028, 1029, 1029, 1030, 1031, 1032, 1033, 1034, 1035, 1036, 1037, 1038, 1039, 1039, 1040, 1041, 1042, 1043, 1044, 1045, 1046, 1047, 1048, 1049, 1049, 1050, 1051, 1052, 1053, 1054, 1055, 1056, 1057, 1058, 1059, 1059, 1060, 1061, 1062, 1063, 1064, 1065, 1066, 1067, 1068, 1069, 1069, 1070, 1071, 1072, 1073, 1074, 1075, 1076, 1077, 1078, 1079, 1079, 1080, 1081, 1082, 1083, 1084, 1085, 1086, 1087, 1088, 1089, 1089, 1090, 1091, 1092, 1093, 1094, 1095, 1096, 1097, 1098, 1099, 1099, 1100, 1101, 1102, 1103, 1104, 1105, 1106, 1107, 1108, 1109, 1109, 1110, 1111, 1112, 1113, 1114, 1115, 1116, 1117, 1118, 1119, 1119, 1120, 1121, 1122, 1123, 1124, 1125, 1126, 1127, 1128, 1129, 1129, 1130, 1131, 1132, 1133, 1134, 1135, 1136, 1137, 1138, 1139, 1139, 1140, 1141, 1142, 1143, 1144, 1145, 1146, 1147, 1148, 1149, 1149, 1150, 1151, 1152, 1153, 1154, 1155, 1156, 1157, 1158, 1159, 1159, 1160, 1161, 1162, 1163, 1164, 1165, 1166, 1167, 1168, 1169, 1169, 1170, 1171, 1172, 1173, 1174, 1175, 1176, 1177, 1178, 1179, 1179, 1180, 1181, 1182, 1183, 1184, 1185, 1186, 1187, 1188, 1189, 1189, 1190, 1191, 1192, 1193, 1194, 1195, 1196, 1197, 1198, 1199, 1199, 1200, 1201, 1202, 1203, 1204, 1205, 1206, 1207, 1208, 1209, 1209, 1210, 1211, 1212, 1213, 1214, 1215, 1216, 1217, 1218, 1219, 1219, 1220, 1221, 1222, 1223, 1224, 1225, 1226, 1227, 1228, 1229, 1229, 1230, 1231, 1232, 1233, 1234, 1235, 1236, 1237, 1238, 1239, 1239, 1240, 1241, 1242, 1243, 1244, 1245, 1246, 1247, 1248, 1249, 1249, 1250, 1251, 1252, 1253, 1254, 1255, 1256, 1257, 1258, 1259, 1259, 1260, 1261, 1262, 1263, 1264, 1265, 1266, 1267, 1268, 1269, 1269, 1270, 1271, 1272, 1273, 1274, 1275, 1276, 1277, 1278, 1279, 1279, 1280, 1281, 1282, 1283, 1284, 1285, 1286, 1287, 1288, 1289, 1289, 1290, 1291, 1292, 1293, 1294, 1295, 1296, 1297, 1298, 1299, 1299, 1300, 1301, 1302, 1303, 1304, 1305, 1306, 1307, 1308, 1309, 1309, 1310, 1311, 1312, 1313, 1314, 1315, 1316, 1317, 1318, 1319, 1319, 1320, 1321, 1322, 1323, 1324, 1325, 1326, 1327, 1328, 1329, 1329, 1330, 1331, 1332, 1333, 1334, 1335, 1336, 1337, 1338, 1339, 1339, 1340, 1341, 1342, 1343, 1344, 1345, 1346, 1347, 1348, 1349, 1349, 1350, 1351, 1352, 1353, 1354, 1355, 1356, 1357, 1358, 1359, 1359, 1360, 1361, 1362, 1363, 1364, 1365, 1366, 1367, 1368, 1369, 1369, 1370, 1371, 1372, 1373, 1374, 1375, 1376, 1377, 1378, 1379, 1379, 1380, 1381, 1382, 1383, 1384, 1385, 1386, 1387, 1388, 1389, 1389, 1390, 1391, 1392, 1393, 1394, 1395, 1396, 1397, 1398, 1399, 1399, 1400, 1401, 1402, 1403, 1404, 1405, 1406, 1407, 1408, 1409, 1409, 1410, 1411, 1412, 1413, 1414, 1415, 1416, 1417, 1418, 1419, 1419, 1420, 1421, 1422, 1423, 1424, 1425, 1426, 1427, 1428, 1429, 1429, 1430, 1431, 1432, 1433, 1434, 1435, 1436, 1437, 1438, 1439, 1439, 1440, 1441, 1442, 1443, 1444, 1445, 1446, 1447, 1448, 1449, 1449, 1450, 1451, 1452, 1453, 1454, 1455, 1456, 1457, 1458, 1459, 1459, 1460, 1461, 1462, 1463, 1464, 1465, 1466, 1467, 1468, 1469, 1469, 1470, 1471, 1472, 1473, 1474, 1475, 1476, 1477, 1478, 1479, 1479, 1480, 1481, 1482, 1483, 1484, 1485, 1486, 1487, 1488, 1489, 1489, 1490, 1491, 1492, 1493, 1494, 1495, 1496, 1497, 1498, 1499, 1499, 1500, 1501, 1502, 1503, 1504, 1505, 1506, 1507, 1508, 1509, 1509, 1510, 1511, 1512, 1513, 1514, 1515, 1516, 1517, 1518, 1519, 1519, 1520, 1521, 1522, 1523, 1524, 1525, 1526, 1527, 1528, 1529, 1529, 1530, 1531, 1532, 1533, 1534, 1535, 1536, 1537, 1538, 1539, 1539, 1540, 1541, 1542, 1543, 1544, 1545, 1546, 1547, 1548, 1549, 1549, 1550, 1551, 1552, 1553, 1554, 1555, 1556, 1557, 1558, 1559, 1559, 1560, 1561, 1562, 1563, 1564, 1565, 1566, 1567, 1568, 1569, 1569, 1570, 1571, 1572, 1573, 1574, 1575, 1576, 1577, 1578, 1579, 1579, 1580, 1581, 1582, 1583, 1584, 1585, 1586, 1587, 1588, 1589, 1589, 1590, 1591, 1592, 1593, 1594, 1595, 1596, 1597, 1598, 1599, 1599, 1600, 1601, 1602, 1603, 1604, 1605, 1606, 1607, 1608, 1609, 1609, 1610, 1611, 1612, 1613, 1614, 1615, 1616, 1617, 1618, 1619, 1619, 1620, 1621, 1622, 1623, 1624, 1625, 1626, 1627, 1628, 1629, 1629, 1630, 1631, 1632, 1633, 1634, 1635, 1636, 1637, 1638, 1639, 1639, 1640, 1641, 1642, 1643, 1644, 1645, 1646, 1647, 1648, 1649, 1649, 1650, 1651, 1652, 1653, 1654, 1655, 1656, 1657, 1658, 1659, 1659, 1660, 1661, 1662, 1663, 1664, 1665, 1666, 1667, 1668, 1669, 1669, 1670, 1671, 1672, 1673, 1674, 1675, 1676, 1677, 1678, 1679, 1679, 1680, 1681, 1682, 1683, 1684, 1685, 1686, 1687, 1688, 1689, 1689, 1690, 1691, 1692, 1693, 1694, 1695, 1696, 1697, 1698, 1699, 1699, 1700, 1701, 1702, 1703, 1704, 1705, 1706, 1707, 1708, 1709, 1709, 1710, 1711, 1712, 1713, 1714, 1715, 1716, 1717, 1718, 1719, 1719, 1720, 1721, 1722, 1723, 1724, 1725, 1726, 1727, 1728, 1729, 1729, 1730, 1731, 1732, 1733, 1734, 1735, 1736, 1737, 1738, 1739, 1739, 1740, 1741, 1742, 1743, 1744, 1745, 1746, 1747, 1748, 1749, 1749, 1750, 1751, 1752, 1753, 1754, 1755, 1756, 1757, 1758, 1759, 1759, 1760, 1761, 1762, 1763, 1764, 1765, 1766, 1767, 1768, 1769, 1769, 1770, 1771, 1772, 1773, 1774, 1775, 1776, 1777, 1778, 1779, 1779, 1780, 1781, 1782, 1783, 1784, 1785, 1786, 1787, 1788, 1789, 1789, 1790, 1791, 1792, 1793, 1794, 1795, 1796, 1797, 1798, 1799, 1799, 1800, 1801, 1802, 1803, 1804, 1805, 1806, 1807, 1808, 1809, 1809, 1810, 1811, 1812, 1813, 1814, 1815, 1816, 1817, 1818, 1819, 1819, 1820, 1821, 1822, 1823, 1824, 1825, 1826, 1827, 1828, 1829, 1829, 1830, 1831, 1832, 1833, 1834, 1835, 1836, 1837, 1838, 1839, 1839, 1840, 1841, 1842, 1843, 1844, 1845, 1846, 1847, 1848, 1849, 1849, 1850, 1851, 1852, 1853, 1854, 1855, 1856, 1857, 1858, 1859, 1859, 1860, 1861, 1862, 1863, 1864, 1865, 1866, 1867, 1868, 1869, 1869, 1870, 1871, 1872, 1873, 1874, 1875, 1876, 1877, 1878, 1879, 1879, 1880, 1881, 1882, 1883, 1884, 1885, 1886, 1887, 1888, 1889, 1889, 1890, 1891, 1892, 1893, 1894, 1895, 1896, 1897, 1898, 1899, 1899, 1900, 1901, 1902, 1903, 1904, 1905, 1906, 1907, 1908, 1909, 1909, 1910, 1911, 1912, 1913, 1914, 1915, 1916, 1917, 1918, 1919, 1919, 1920, 1921, 1922, 1923, 1924, 1925, 1926, 1927, 1928, 1929, 1929, 1930, 1931, 1932, 1933, 1934, 1935, 1936, 1937, 1938, 1939, 1939, 1940, 1941, 1942, 1943, 1944, 1945, 1946, 1947, 1948, 1949, 1949, 1950, 1951, 1952, 1953, 1954, 1955, 1956, 1957, 1958, 1959, 1959, 1960, 1961, 1962, 1963, 1964, 1965, 1966, 1967, 1968, 1969, 1969, 1970, 1971, 1972, 1973, 1974, 1975, 1976, 1977, 1978, 1979, 1979, 1980, 1981, 1982, 1983, 1984, 1985, 1986, 1987, 1988, 1989, 1989, 1990, 1991, 1992, 1993, 1994, 1995, 1996, 1997, 1998, 1999, 1999, 2000, 2001, 2002, 2003, 2004, 2005, 2006, 2007, 2008, 2009, 2009, 2010, 2011, 2012, 2013, 2014, 2015, 2016, 2017, 2018, 2019, 2019, 2020, 2021, 2022, 2023, 2024, 2025, 2026, 2027, 2028, 2029, 2029, 2030, 2031, 2032, 2033, 2034, 2035, 2036, 2037, 2038, 2039, 2039, 2040, 2041, 2042, 2043, 2044, 2045, 2046, 2047, 2048, 2049, 2049, 2050, 2051, 2052, 2053, 2054, 2055, 2056, 2057, 2058, 2059, 2059, 2060, 2061, 2062, 2063, 2064, 2065, 2066, 2067, 2068, 2069, 2069, 2070, 2071, 2072, 2073, 2074, 2075, 2076, 2077, 2078, 2079, 2079, 2080, 2081, 2082, 2083, 2084, 2085, 2086, 2087, 2088, 2089,



Cafes varijs pro- blemas

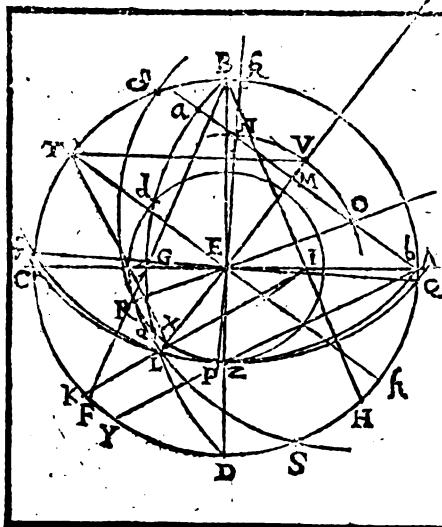
rem datum angulum obtusum esse, & maiorem dato priore angulo ABG, constareque debet omnino species arcus angulo ABG, oppositi: si vero non fecerit, poterit posterior datus angulus esse vel obtusus, vel acutus, problemaque solvetur, etiam si non constet species arcus oppositi angulo ABG. At vero si datum latus sit quadrante minus, nimirum DL, & parallelus circulum BGD, fecerit, necesse est posteriorem angulum datum esse acutum, debeturque species constare arcus, qui angulo obtuso dato ABG, opponitur. Si autem non fecerit, poterit posterior

posterior angulus datus esse vel acutus, vel obtusus, & necesse non erit, ut species arcus angulo CDG, oppositi detur,

QVOD si datus angulus primo loco constitutus CBG, fuerit acutus, & datum latus BL, maius quadratè, atque parallelus circulum BGD, intersecet, erit alter angulus datus obtusus necessario, debetque constare species lateris, quod dato angulo CBG, opponitur. Si verò parallelus circulum non secet, poterit posterior angulus datus esse vel obtusus, vel acutus, & necesse non erit dari species lateris angulo dato CBG, oppositi. At si datum latus sit minus quadratè, nimur DL, si quidem parallelus circulum secet, necesse est, datum posteriorem angulum esse acutum, constareq; debet species lateris dato angulo CBG, oppositi. Si verò non secet, poterit posterior datus angulus obtusus esse, vel acutus, problemaque solvetur, licet species lateris dato angulo CDG, oppositi non detur, quæ omnia demostribamus.

S E C E T ergo primum parallelus per Z, descriptus circulum BGD, eritq; tunc necessario datus alter angulus BAZ, obtusus, & maior priore angulo dato A BG. Arcus enim per L, descriptus efficiens cum Aequatore angulum æqualem posteriori huic dato angulo, tangere debet parallelum per Z, descriptum, quem etiam tangit circulus AZC, vt constat ex i. theor. scholij propos. 21. lib. 2. Theod. propterea quod hi duo circuli efficientes æquales angulos, æqualiter inclinantur ad Aequatorem. Cum ergo per L, duo circuli maximi tangentes describi possint, unus quidem tangens in P, & alter tangens in R, vt mox docebimus, secabit vterque semicirculum BAD, in punctis Q, S, infra punctū L, productus; eo quod supra punctum L, versus B, produktus arcum BL, ante punctum B, neuter secare potest: alias esset BL, arcus semicirculo maior; eum, a i. i. Theo. maximi circuli se mutuo bisariam secant. Igitur tam angulus BQL, quæ PSL, obtusus erit, obtusoque BAL, æqualis, sed maior obtuso dato angulo ABL. quod anguli BAZ, arcus BZ, maior sit arcu AG, anguli ABL, quia & portio recte AC, inter A, & parallelum iuxta G, (quæ ipsi BZ, æqualis est) maior est, quam AG. Quoniam ergo duo triangula constituta sunt BQL, BSL, cuius duo anguli ad B, Q, vel ad B, S, dati sunt, vñ cum latere BL, opposito angulo Q, vel S; nisi constet species lateris LQ, vel LS, quorum illud quadrante maior est, & hoc minus, (Nam cum angulus externus BQL, interno BSL, æqualis sit, erunt per prop. i. y. nostrorum triang. sphær. LQ LS, semicirculo æqualia-

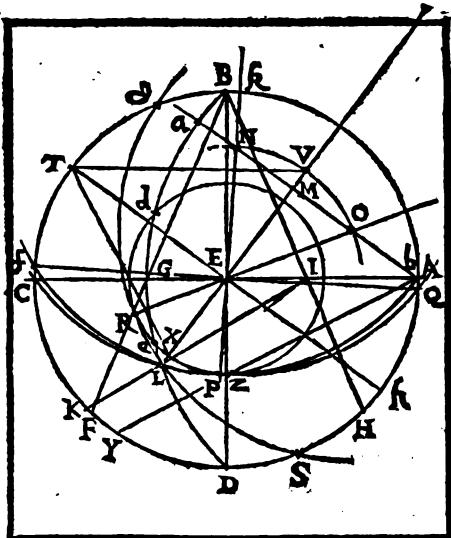
Z z z z Cum



Cum ergo per Theor. 4. scholij propos. 21. lib. 2. Theod. arcus L S, minor sit arcu LQ, cō quod ex L, puncto intra peripheriam Aequatoris sumpto tres arcus cadentes LK, LS, LQ, inæquales sunt, minimus quidem LK, & LS, minor quam LQ; erit LS, quadrante minor, & LQ, maior, incerti erimus, vtrū triangulorum accipere debeamus. Quoī si constiterit latus angulo ABL, dato oppositum debere esse quadrante maius, describendus erit per L, circulus tangens LPQ, per punctum P, versus Z; si vero idem latus quadrante debeat esse minus, describendus erit circulus tangens RLS, per punctum R, tangens ad partes e; d. Ita autem vtrumque circulum tangentem, per ea, quæ lib. 2. propos. 20. & in Lemmate 41. demonstrata sunt, describemus. Ducta recta ex L, per E, inuenitoque in ea puncto ipsi L, opposito, secetur recta inter ea puncta opposita bifariam in M; vel ducatur ad EL perpendicularis diameter Th, & trium punctorum T, L, h, centrum reperiatur M, quod dictam rectam secabit bifariam, cum maximus circulus per T, L, h, descriptus transeat necessario per punctum oppositum: atque ex M, exci-
tetur perpendicularis MN. In hac enim centrum veriusque circuli tangentis existit, quod sic inuenietur. Iuncta recta TX, fiat angulo TXE, æqualis angulus XTV; ca-
detq; necessario punctum V, ultra M, ut in Lemmate 41. ostensum est. Descripto ergo ex E, per V, parallelo secante MN, in N, & O, erit N, cen-
trum circuli per L, descripti tangentisq; parallelum ZR, in P, punto extremo iunctæ rectæ NEP; at vero O, cen-
trum erit circuli per L, descripti, tangentisque eundem pa-
rallelum ZR, in R, punto ex-
tremo iunctæ rectæ OER, ut
in dicto Lemmate 41. demon-
stravimus.

DEINDE in figura se-
cunda problematis 17. con-
stituto rursus dato angulo

obtuso ABR, & absciso arcu BR, dato lateri æquali, constructoq; angulo ob-
tuso BAI, vel acuto DAi, æquali alteri dato angulo, non fecet parallelus per
i, descriptus circulum BID. Dico in hoc casu posteriore datum angulum
posse esse vel acutum, vel obtusum, propterea quod duo circuli tangentes paral-
lelum versus centrum E, secant semicirculum BAD, & vicinior puncto B, facit
versus B, angulum acutum BfR, remotior vero angulum obtusum BSR. Itaq;
non est opus dari speciem lateris angulo ABR, oppositi. Nam si alter datus
angulus est obtusus, describendus erit circulus maximus tangens ROS, si vero
datus angulus acutus est, circulus tangens Rdf, describendus est. Nam tam
angulus BSR, obtuso angulo BAI, quam angulus BfR, acuto angulo DAi,
æqualis



\approx qualis erit, cum circuli $AiC, fR e, R O S$; similiter ad Aequatorem inclinatur. Neque verò aliis arcus præter RS, duci poterit faciens angulum obtusum \approx qualem ipsi BAi , qui cum arcu BR , in R. angulum constitutus est. Tangens enim circulus $fR e$, secat Aequatorem in alio semicirculo $B C D$, ut in punto e. Ita quoque tangens circulus SR , secat Aequatorem in g. Ergo quando posterior datus angulus est obtusus, triangulum propositum erit BRS , si verò acutus, triangulum $B R f$.

I A M. verò sit datus angulus obtusus in z. figura huius problematis construētus ADG , & datum latus DL , quadrante minus. Si igitur eadē fiant, quæ prius, si quidem parallelus ZR , circulum BDG , secet, erit triangulum propositum vel DLQ , vel DLS , semperq; datus posterior angulus LQD , vel LSD , acutus erit, & \approx qualis dato acuto DAZ . Igitur necesse est, notam esse speciem lateris dato obtuso angulo ADL , oppositi, vt quando maius est quadrante, triangulum DLQ , sumatur, si verò quadrante minus, triangulum DLS .

S I vero in secunda figura problematis 17. dat⁹ angulus obtusus cōstructus sit ADR , & datum latus DR , quadrante minus, & parallelus nō fecet circulum BLD , erit propositum triāgulum vel DRf , habens angulum alterum datum DfR , obtusum, vel triāgulum DRS , habens angulum DSR , acutum. Vbi etiā necesse non est dari speciem arcus dato angulo obtuso ADR , oppositi.

S E D iā in i. figura huius problematis sit datus angulus acutus cōstructus CBG ; & datum latus BL , maius quadrante, secetque parallelus circulum BGD , &c. Erit ergo triangulum propositū vel BLf , vel BLg , habens semper posteriorem angulum datum BfL , vel BgL , obtusum. Nisi ergo detur species lateris oppositi angulo acuto CBL , dato, ambigemus, an sumēdum sit latus Lg , quadrante maius, an vero Lf , quadrante minus, &c.

At si eadem ponantur, sed parallelus circulum non fecet, vt in z. figura problematis 17. in qua constitutus angulus datus acutus est CBI . & datum latus quadrante maius BR , poscerit triangulum propositum esse vel BRe , habens posteriorem datum angulum ReB , acutum, vel triangulum BRg , habens datum alterum angulum BgR , obtusum, neque opus est, vt species lateris $R e$, vel Rg . data sit.

Q V O D si in j. figura huius problematis detur iterū acutus angulus CDG , sed datum latus DL , minus quadrante, & parallelus circulum fecet, erit triangulum

lum propositum DfL, vel DgL, habens semper posteriorem angulum datum DfL, vel DgL, acutum. Constat ergo debet, an sumendus sit arcus Lg, quadrante maior, an vero Lf, quadrante minor.

DENIQUE si in 2. figura problematis 17. datus sit angulus acutus CDI, & datu latus DR, minus quadrante, & parallelus circumulum non fecerit, erit propositum triangulum vel DRE, habens posteriorem datum angulum DeR, obtusum, vel triangulum DRg, habens posteriorem datum angulum DgR, acutum; neque requiritur, ut species lateris Re, vel Rg, dato acuto angulo CDR, opposito detur.

Ex his omnibus liquet, quando unius datorum angularium constituitur vel in B, vel in D, siue obtusus, siue acutus, si quidem alterius dati anguli complementum maius fuerit complemento prioris, vt sit in 1. figura huius problematis, necesse esse, ut species lateris priori dato angulo oppositi detur: si autem minus, non esse necesse, vt in 2. figura problematis 17. per

spicuum est. Nam in 1. figura huius problematis EZ, complementum posteriores anguli dati maius est, quam EG, complementum prioris. In 2. autem figura problematis 17. complementum posterioris anguli, nimirum EI, minus est arcu EI, qui complementum est prioris anguli.

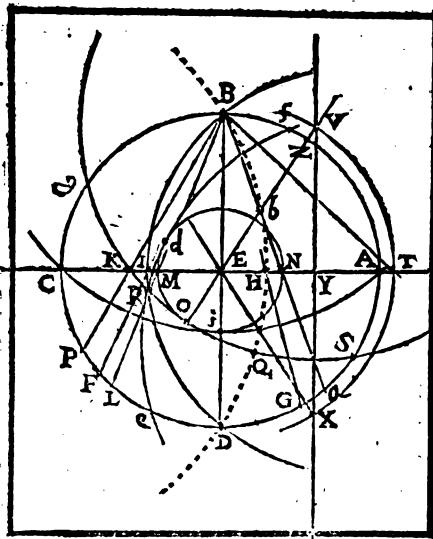
IN omnibus autem casibus praeditis est unum laterum quadratorum, arcus Aequatoris, idcoque cognitum, alterum vero cognoscetur, si eius polus reperiatur, vt in precedentibus dictum est. Tertius quoque angulus notus fiet, quemadmodum in aliis problematibus. Ut in 1. figura huius problematis angulus BLQ, cognoscetur, cum eius partem BLE, metiatur arcus La, alteram autem partem QLE, arcus Lb, statuendo punctum b, in intersectione rectae a M, cum arcu LQ. Quare si arcui La, adiiciatur arcus similis arcui Lb, conflabitur arcus totius anguli quadrati BLQ, &c.

X X. D V O S A N G V L O S.

Probl. 22.

cum uno latere vni eorum opposito in triangulo obliquangulo.

EX reliquis duobus lateribus, & reliquo angulo, qui vni eorum oppositorum,

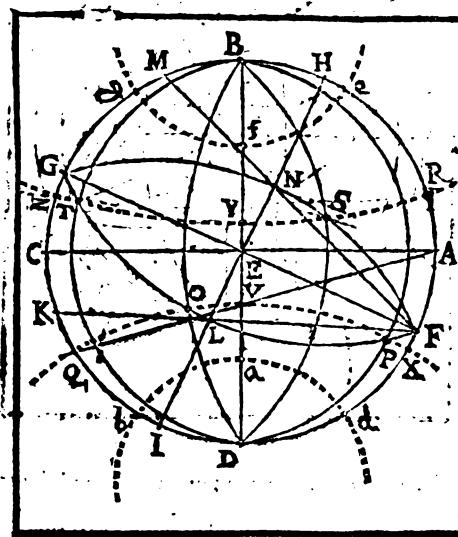


Quibus in collibus problema ambiguum sit, & in quibus non.

natur, si modo constet species anguli questi alteri lateri dato oppositi.

S I T Aequator ABCD, circa centrum B, ut prius: Datum autem unum latus sit BF. Constituatur ad F, angulus datus, qui primum sit obtusus, quod sic fieri. Ducta diametro FG, quam ad rectos angulos fecerit HI, accipiatur arcus dati anguli obtusi HK, ductoque radio FK, secante HI, in L, constituet circulus per tria puncta F, L, G, descriptus maximus angulum datum HFL. Sit quoque alterum latus datum BQ, quadrante maius, & per Q, describatur maximo circulo AC, parallelus PVQ, ut lib. 2. propos. 1. g. ad initium Num. 5. traditum est; hoc videlicet pa^cto. Ducto radio AQ, secante BD, in V, sumatur arcus AX, arcui CQ, et qualis. Circulus enim per tria puncta X, V, Q, descriptus erit dictus parallelus, qui fecerit circulum FLG, in punctis O, P. Tam ergo maximus circulus per tria puncta B, O, D, quam per tria puncta B, P, D, descriptus problema perficiet. Nam in triangulo BOF, data sunt duo latera BF, BO, (cum BO, arcus arcui BQ, et equalis sit, ex defini. poli.) cum angulo BFO, dato lateri BO, opposito. Item in triangulo BPF, data sunt duo latera BF, BP, (quod & arcus BP, arcui BQ, ex defini. poli et equalis sit.) cum eodem angulo BFP, dato lateri BP, opposito. Nisi ergo constet species anguli alteri dato lateri BF, oppositi, ambiguus erimus, utrum datorum triangulorum accipere debeamus. Quoniam enim equalia sunt latera BO, BP, ex defini. poli, & quadrante maiora, erunt per propos. 2. 5. nostrorum triang. spheric. duo anguli BOP, BPO, obtusus, ideoque BPF, acutus. Si igitur constet, angulum dato lateri BF, oppositum debe re esse obtusum, sumendum erit maius triangulum BOF, minus vero BPF, si constet, eundem angulum esse acutum. Quod si secundum latus datum esset minus quadrante, fierent duo anguli BOP, BPO, acuti, ideoque BPF, obtusus, &c. Atque ita, quo-

Duos angulos, &
vnam latus rhi
corus opposita
ex duobus reli
quis laterioris, &
reliquo angulo
vni eorum oppo
site, inquirent.



Quando problo
ma sit ambiguus,
& quando non.

quotiescumque parallelus per extreum punctum secundi lateris dati descriptus secat intra Aequatorem circulum, qui cum Aequatore datum angulum in extremo punto primi lateris dati constituit, duobus in locis, ambiguum erit problema, nisi species anguli, qui primo dato lateri opponitur, cognita sit.

Si vero dictus parallelus dictu circulum in uno tantum punto intra Aequatorem fecerit, vel contingat, non erit ambiguum problema, cum unum tantum triangulum tunc constitutum posse. Ut si primum datum latus sit BF, ut prius, & datus angulus acutus, cui et equalis constituerat BFN, (quod fieri, si sumpro HM, arcu

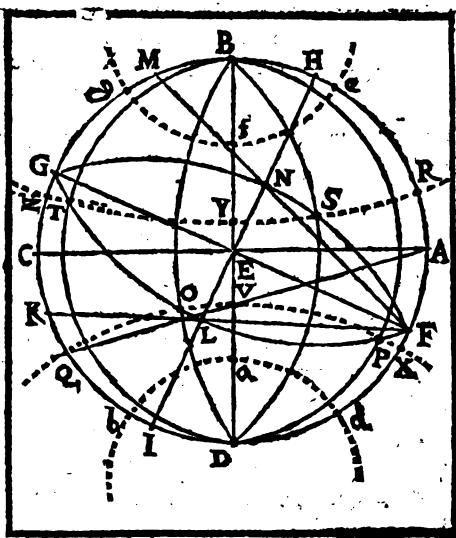
arcu dati anguli, radius iungatur FM, secans HI, in N, & per tria propria F, N, G, circulus describatur.) datum autem secundum latus sit BR, minus quadrante, per cuius extremum R, maximo circulo A C, parallelus describatur RYZ, secans circulum FNG, intra Aequatorem in uno tantum punto S; ac deniq; per tria puncta B, S, D, circulus maximus describatur: constitutum erit soli vnum triangulum propositum BFS. Nam in altero punto sectionis parallelis RYZ, extra Aequatorem versus Z, non constituetur triangulum: quia latus a punto F, per N, usque ad illam sectionem maius est semicirculo. Sic etiam si datum primum latus sit BF, quadrante maius, & datus angulus obtusus BFL, datum autem secundum latus sit BR, minus quadrante, secabit parallelus RYZ, circulum FLG, in uno tantum punto T. Quare unicum tantum triangulum tunc datum constituetur BFT.

E O D E M modo si datum latus primum sit quadrante minus BG, & datus angulus acutus BGN, datum autem latus secundum BZ, minus quoque quadrante; secabit rursus parallelus ZYR, circulum GNF, in uno tantum punto S, unicumque triangulum propositum BGS, constituetur. At si primum latus BG, datum sit minus quadrante, sed datus angulus obtusus BGL & datum secundum latus BX, quadrante maius, secabit parallelus XVQ, circulum GLF, in duobus punctis O, P, intra Aequatorem, id est duo triangula constitutur BGO, BGP. Quare n*on* detur species anguli, qui dato lateri BG, opponitur, ignorabitur, utrum triangulorum assendum sit.

S I quando contingat, parallelum per extremum punctum secundi lateris descriptum non secare circulum, qui angulum datum efficit, intra Aequatorem, problema impossibile est, quod nimis magnum, vel parvum acceptum est secundum latus. Vt si primum latus datum sit BF, & secundum Bd, & datus angulus sive obtusus BFL, sive acutus BFN, problema solui non potest; quia parallelus d ab, neutrum circulorum FLG, FNG, secat intra Aequatorem. Eadem de causa impossibile erit problema, si primum latus sit datum BG, vel BF, & secundum Bg, sive angulus datus in G, vel F, constitutus sit obtusus, sive acutus; quia parallelus g fe, neutrum circulorum intersecat intra Aequatorem.

QV AE S I T V M reliquum latus, nimirum FO, vel FP, in alterutro triangulorum BFO, BFP, notum fiet, vt in praecedentibus, si polus inueniatur circulus dictum latus portio existit. Reliqui vero duo anguli cognoscentur etiam per ea, quae lib. 2. propos. 15. scripsimus, sicut & in antecedentibus dictum est.

S C H O-



Quando proble-
ma est impossi-
bile.

S C H O L I V M.

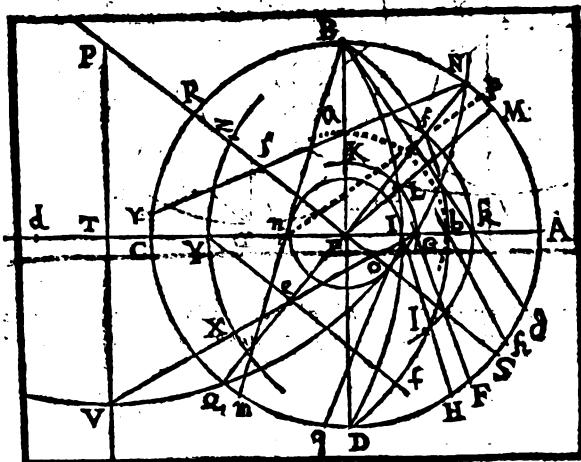
Q U O N I A M anguli, & latera triangulorum sphaericorum debent habere certam quandam quantitatem, ut ex illis triangulum sphaericum constitui posse, ut ex precedentibus problematibus colligitur, (quamvis in rebus Astronomicis semper talis triangula proponantur, que re ipsa in sphaera existunt, & non singulariter ad libitum,) placet hoc loco pauca quadam theorematata hac de re demonstrare, ut indicare possemus, num triangulum quodpiam propositum fictitium sit, an vero in natura existat: hinc excedentes.

Theoremata varia de magnitudine angularium ac laterum triangulorum sphaericorum.

i. IN omni triangulo sphaerico rectangulo, cuius nullus angulum sit quadrans: angulus lateri, quod quadrante minus est, oppositus acutus est, & ipso latere maior; oppositus vero lateri, quod maius est quadrante, obtusus est, & ipso latere minor.

Theor. i.

R E P R E S E N T A T I V R figura problematis s. si ergo primum duo latera AG , AN , circa angulum rectum BAE , quadrante minora, & ducta diametro NQ , describatur per tria puncta N , G , Q , circulus maximus, ut triangulum sphaericum constituantur AGN ; eritque angulus ANG , lateri AG , oppositus, acutus; quod eius arcus SO , quem



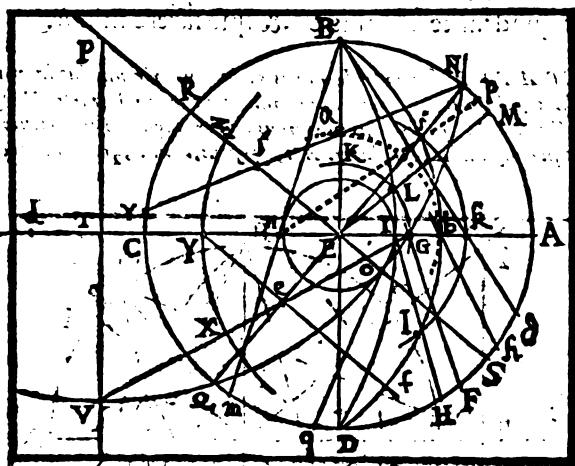
recta RS , ad NQ , perpendicularis refert, quadrante minor sit: id quod etiam ex scholio propos. 28. nostrorum triang. sphaer. constat. Cum enim duo latera AG , AN , quadrante minora, erit per illud scholium, uterque angularum G , N , acutus. Dico eundem angulum, hoc est, eius arcum SO , maiorem esse latere AG . Descriptus namque ex E , per Q , parallelus OI , cum circulum NOQ , tangat in O , ex scholio propos. 13. lib. 3. Eucl. secabit AE , inter E , & G . Cum ergo AI , ipsi SO , equalis sit, constat SO , arcum anguli ANG , maiorem esse latere AG .

S I T

S I T deinde latus AG , quadrante minus, sed BQ , quadrante maius, circa rectum angulum DAE ; & ducta diametrum QN , describatur per tria puncta Q , G , N , circulus maximus, ut sphericum triangulum construantur AGQ , in quo angulus AQG , lateri AG , oppositus, acutus erit, propterea quod eius arcus SO , quadrante minor est. Ostendemus iam, ut prius, eundem angulum, id est, eius arcum SO , maiorem esse lateri AG .

R E P R S V S duo latera CG , CN , circa rectum angulum BCE , sint quadrante minores, & ducta diametrum NQ , eadem constituantur, qua prius. Erit angulus CNG , in triangulo CGN , lateri CG , oppositus, obtusus, ob eius arcum RO , quadrante maiorem; sed eius arcus RO , hoc est, CI , minor erit lateri CG , opposito.

D E N I Q V E latus CG , sit maius quadrante, & CQ , minus, circa rectum angulum DQE , atque eadem figura. Erit eversum angulus CQS , lateri CQ , oppositus, obtusus; ob eius arcum RO , quadrante maiorem; sed eius arcus RO , id est, CI , lateri



CG , minor erit. Itaque si in triangulo aliquo spherico rectangulo latus unum circa rectum angulum contingat grad. 40. non cesset est angulum oppositum esse acutum, maiorem tamen, quam grad. 40. Et si angulus dicetur esse grad. 40. vixit latus oppositum minus esse, quam grad. 40. At si unum laterum complectatur grad. 130. vixit necessario angulus oppositus, obtusus, minor tamen, quam grad. 130. Et si alter angularum non vectorum pugnatur esse grad. 130. erit latus oppositum maius, quam grad. 130.

Theor. 2.

IN omni triangulo sphericore rectangulo omnes tres anguli quatuor rectis sunt maiores, hoc est, duo anguli non recti minores sunt tribus rectis, sive gradibus 270.

IN triangulo ABC , sit angulus A , rectus. Dico duos reliquos angulos ABC , ACB , tribus rectis minores esse. Producatis enim lateribus AB , AC , circa angulum rectum, donec concurrant in D , efficianturque semicirculi ABD , ACD ; erit per prop. 13.

propos. 13. ne frorunt triang. sphær. angulus quoque D, rectus. Cum ergo tam duo ABC, DBC, quum duo ACB, DCB, per propos. 5. corundem triangulorum sine duobus rectis aequalis; erunt omnes sex anguli A, D, ABC, DBC, ACB, DCB, sex rectis aequalis. Igittur cum tres anguli in triangulo DBC, per propos. 31. corundem triang. sine duobus rectis maioribus, erant reliqui tres anguli in triangulo ABC, quadrator rectis minoribus; ac proinde existens A, recto, reliqui duo ABC, ACB, tribus rectis, hoc est, gradib. 272. erunt minoribus. Itaque si in triangulo sphærico rectangulo unus angulorum non rectum permanet grad. 150. erit necessario alter minor, quam grad. 120.

3. IN triangulo sphærico rectangulo Isoscele, si duo aequales Theor. 3.
anguli sint acuti, erit uterque semirectus maior: si vero obtusi, recto
cum semissemis minor.

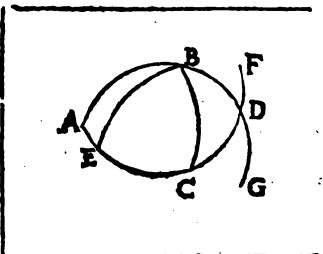
SINT primum in Isoscele DBC, cuius angulus D, rectus, duo anguli B, C, acuti. Dico utrumque esse semirectum maiorem. Quoniam enim omnes tres sunt duobus rectis maiores, ex propos. 31. triang sphær. erunt duo B, C, uno recto maiores. Cum ergo aequalis sint, erit uterlibet semirectus maior.

SINT deinde in Isoscele ABC, cuius angulus A, rectus, duo anguli B, C, obtusi. Dico utrumque minorem esse rectum cum semissemis. Cum enim omnes tres sint, per theor. 20. quatuor rectis minoribus, & duo B, C, tribus rectis minoribus, sint autem hi duo aequalis, utrilibet minor uno recto cum semissemis. Itaque in quolibet triangulo sphærico Isoscele erit uterque aequalium angulorum maior, quam grad. 45. sed minor quam grad. 135.

4. IN omni triangulo sphærico rectangulo uterlibet angulo- Theor. 4.
rum non rectorum maior est complemento alterius.

SINT primum in triangulo DBC, cuius angulus D, rectus, duo anguli B, C, acuti. Dico angulum B, maiorem esse complementum anguli C. Quoniam enim duo anguli B, C, maiores sunt uno recto, cum omnes tres duobus sint rectis maiores, & angulus C, cum suo complemento aequales tuncum uniuerso recto; perspicuum est angulum B, maiorem esse complementum anguli C. Eademque de causa erit angulus C, maior complemento anguli B.

SIT deinde in triangulo DBE, angulus D, rectus; DBE, obtusus, & DEB, acutus. Vbi liquido confitatur, obtusum angulum maiorem esse complementum acutus E, cum hoc complementum sit angulus acutus. Dico angulum E, maiorem quoque esse complementum anguli obtusus DBE. Per polum enim arcus DB, intelligatur descriptus arcus maximus circuli BC, & triusque angulus DBC, rectus, ideoque angulus CBE, acutus, a 15. 1. erit, & complementum obtusus anguli DBE, quo maiorem dico esse acutum angulum Theod. DEB. Quia enim duo anguli D, DBC, recti sunt, erunt DC, BC, quadrantes, per propos. 25. ne frorunt triang. sphær. ideoque arcus CE, quadrans minor, quod latus DE, per propos. 2. corundem triang. sit semicirculo minus. Igittur in triangulo BCE, cum latus BC, maius sit latere CE; erit per propos. 11. corundem triang. angulus DEB, maior angulo CBE.



I A M. vero si uterque angulorum ABC, ACD, in triangulo ABC, ceterus angulos A, rectus, sit obtusus, liquet utrumlibet maiorem esse alterius complemento, cum huiusmodi complementum sit angulus acutus. Itaque si in triangulo rectangulo uterque angulorum non rectorum sit acutus, et unus statuarit grad. 50. erit necessario alter maior, quam grad. 40. Si vero unus sit acutus, et alter obtusus; si quidam acutus ponatur grad. 50. erit omnino obvius minor, quam grad. 140. quia complementum grad. 140. complectetur grad. 50 quo complemento maior esse debet datus angulus grad. 50, sed si obtusus angulus ponatur grad. 140. necesse est, acutum manare ei esse, quam grad. 50, ut maior esse possit complemento anguli obtusus.

Theor. 5.

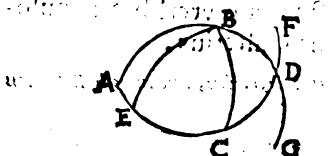
SI IN omni triangulo sphærico rectangulo uteruis reliquorum angulorum non rectorum minor est angulo, quo complementum alterius à duobus rectis, id est, a semicirculo differt.

IN triangulo DBC , sit angulus D , rectus. Si igitur alter angulorum, numerum B , acutus sit, quicquid sit de altero C , liquido constat, angulum B , minorem esse eo, quo complementum anguli C , a semicirculo differt. Nam cum hoc complementum sit qualiter minus, erit differentia inter ipsum, et semicirculum quadrante maius.

Si vero in triangulo ABC , angulus A , sit rectus, et utraq; B, C , obtusus, erit uterque B, C , in triangulo DBC , acutus. Et quia acutus DBC , per theor. 4. maior est complementum acuti DCB , hoc est, complemento obtusi ACB , quod duo anguli ad C , idem habent complementum, efficitque tam hoc complementum cum differentia, qua a semicirculo differt, quam acutus angulus DBC , cum obtuso ACB , semicirculum, id est, duos rectos; si inde auferatur complementum obtusi anguli ACB , et hinc accutus angulus DBC , qui illo complemento

maior est: reliquis erit angulus obtusus ABC , minor quam differentia, qua complementum alterius anguli obtusus ACB , a semicirculo differt. Eademque ratione non ostendetur obtusus angulus ACB , quam differentia inter complementum obtusus anguli ABC , et semicirculum.

Si denique in eodem triangulo ABC , angulus B , sit acutus, ideoque DBC , obtusus; et C , obtusus, ideoque DCB , acutus; iam initio huius theorematis dictum est, acutum ABC , minorem esse differentia inter complementum anguli obtusus ACB , et semicirculum. **E**sse autem et obtusum ACB , minorem differentia inter complementum acuti ABC , et semicirculum, sic patet. Quoniam acutus DCB , per theor. 4. maior est complementum obtusus DBC , hoc est, complemento acuti ABC , quod idem sit complementum utrinque anguli ad B , efficitque complementum hoc cum differentia inter ipsum, et semicirculum ABC , duos rectos, sine semicirculo, et efficit acutum DCB , cum eadem differentia maiores duobus rectis. Cum ergo DCB , acutus est obtuso ACB , consicias tantummodo duos rectos, erit obtusus ACB , minor, quam prædicta differentia inter complementum acuti anguli ABC , ac semicirculum. Itaque si in triangulo rectangulo uterque reliquorum angulorum non rectorum ponatur obtusus, et unus sit grad. 130. erit necessario alter minor, quam grad. 140. ut ille minor esse possit, quam differentia



C A N O N . XXII. 749

ventio inter complementum huius, (quod debet esse minus grad. 50) & semicirculum. Sic si unus angulorum statuatur grad. 140. necesse erit alterum minor: m esse , quam grad. 130. Nam cum huius complementum grad. 40. demptum ex semicirculo relinquit grad. 140. non foret ille minor hac differentia. quod est absurdum. Quod si unus sit acutus, & obtusus alter, acutus autem ponatur grad. 50. erit necessario obtusus minor , quam grad. 140. alias non esset minor , quam differentia inter illius complementis sum, quod est grad. 40. & semicirculum. Eadem ratione si deus quis continet grad. 140. concinebit acutus plures grad. quam 50.

6. IN quois triangulo sphærico duo anguli quomodo cunque sumpti sunt simul maiores differentia inter reliquum , ac semicirculum .

Theor. 6.

I N triangulo ABE . quocunque sumantur, ut libet , duo anguli A , $A B E$. Dico eos simul maiores esse angulo BED , quo tertius AEB , à duobus rectis differt . Quoniam enim duo A , & ABE , cum AEB , constituant plus , quāto duos rectos, ex propos. 31. nostrorum triang. sphæric. angulus BED , cum eodem AEB , duos solum rectos conseruitur, ut duo A , & ABE , simul maiores sint angulo BED .

E X quo colligitur, in omni triangulo sphærico. producio uno latere, exter-
num angulum esse mihi rem duobus internis , & oppositis simul sumptis.

Coroll.

I $\Gamma A Q Y E$ si duo anguli constituantur grad. 40. & grad. 70. necesse est, tertium esse maiorem, quam grad. 70. alias illi duo conscientes grad. i 10. non esse maiores , quam grad. 110. quibus tertius à semicirculo differt. Sic etiam si unus statuerit grad. 60. necesse est, reliquos duos simul maiores esse, quam grad. 120. quibus ille à semicirculo differt.

7. IN omni triangulo sphærico duo anguli quomodo cunque sumpti sunt simul minores differentia inter angulum vel arcum , quo reliquus à semicirculo , vel duobus rectis differt , & integrum circulum, siue quatuor rectos.

Theor. 7.

S I T triangulum sphæricum quadrangulum ABC . Dico duos angulos B , C , simul esse minores differentia inter arcum , quo reliquus angulus A , a semicirculo differt, & rotundam circulum, siue quaruer rectos . Probandus enim arcibus AB , AC , donec se secant in D , erit per propos. 13. nostrorum triang. sphæric. angulus BDC , angulo A , qua-
lis, & CDG , angulus , quo ipsi angulus BDC , vel A , à duobus rectis differt : differ-
entia autem inter hunc angulum CDG , & rectos , vel totum circulum , complecten-
tur tres angulos CDB , BDF , FDG . Probandum igitur est , duos angulos $A B C$, $A C B$, siue minores esse tribus angulis CDB , BDF , FDG . quod sic fieri. Quoniam per theor. 6. duo anguli DBC , DCB , simul maiores sunt angulo CDG , quo reliquus angulus BDC à duobus rectis differt, & iam duo anguli DBC , DCB , vna cum duobus ABC , ACB , quam angulus $C DG$, cum tribus CDB , BDF , FDG , quaruor rectis aequalibus sum: si inde tollatur duo DBC , DCB , & hinc angulus CDG , qui illis minor est obensus, reliqui erunt duo anguli ABC , ACB , minores tribus angulis CDB , BDF , FDG , quod est propositum . Itaque si in quolibet triangulo sphærico duo anguli simul ponantur continere grad. 300. necesse est tertium maiorem esse, quam grad. 120. quia tunc differentia inter hunc, & duos rectos erit minor, quam grad. 60. ac proinde

Aaaa 2 differentia

differentia inter differentiam & integrum circulum maior, quam grad. 300. ideoque duo anguli positi simul minores erunt hac differentia.

Theor. 8.

8. IN quolibet triangulo sphærico differentia inter summam duorum angulorum vtcunque sumptorum, & integrum circulum, siue quatuor rectos, maior est, quam differentia inter reliquum angulum, ac semicirculum, siue duos rectos.

S I T rursus triangulum ABC. Dico differentiam inter duos angulos ABC, ACB, & quatuor rectos maiores esse differentia inter reliquum angulum A, & duos rectos. Facit a namque eadens constructione, conficiens duo anguli DBC, DCB, simul differentiam inter duos angulos ABC, ACB, simul, & 4 rectos, & angulus C DG, differentia erit inter reliquum angulum A, hoc est, inter angulum BDC, (qui per propos. 23. nostrorum triang. sphærici. ipsi A, aequalis est.) & duos rectos. Cum ergo per theor. 6. duo anguli DBC, DCB, simul maiores sint angulo C DG, liquet id, quod proponitur. Itaque si in quoniam triangulo sphærico duo angulis simul statuantur conficeret grad. 300. oportet necessario tertium angulum esse maiorem, quam grad. 120. quia tunc differentia inter grad. 300. & 360. continet grad. 60. ac differentia inter tertium angulum, qui maior est, quam grad. 120. & duos rectos, siue grad. 180. minor erit, qd grad. 60.

E X his igitur facile colligemus, num ex tribus angulis sphæricis in sphera propositis triangulum in sphera constitueretur, nec no.

H I S exposuit, ac demonstratis; ut studiofus Lector intelligat, quam incundum usum habeat doctrinae triangulorum sphæricorum in Astrolabio descriptorum, libet paucis hoc loco plena que problemata, que in superioribus Canonibus per circulos sphæra in Astrolabio descriptos solvimus, per triangula sphærica rursus expedire. Hinc ergo exordiamur.

Quæstiū I.

Q V A E S I T V M I.

DECLINATIONEM cuiusvis p̄sidi Ecliptice, vel stellæ, cuius longitudo, latitudoq; nota sit, indagare. Et vicissim ex data declinatione punctum Eclipticæ determinare, cui congruit.

ARCVS Ecliptice inter darum punctum, & proximum aquinoctij punctum positus, cum arcu declinationis, (qui porcio est maximi circuli per polos mundi, & darum Ecliptica punctum ducit) & arcu Aequatoris inter idem punctum aquinoctij, & arcum declinationis intercepto, triangulum sphæricum constituit rectangulum, in quo ex base (hoc est, ex arcu Ecliptica inter proximum aquinoctij punctum, & darum punctum, cuius declinatio queritur) & angulo maxima declinationis, (quem Aequator, & Ecliptica continent) latus huic angulo oppositum (arcus videlicet declinationis) inuestigandum est. Si igitur huiusmodi triangulum extruar, ut in problemate Basra dictum est, inservens eius declinationis arcus quæsus.

QVOD si declinatio data sit, & arcus Ecliptica inquirendus, cui congruat, sic id per problema 14. ubi basis, (qua est arcus Ecliptica quæsus) inquiratur ex latere dato, (huiusmodi est arcus declinationis,) & angulo ei opposito, (qui hic est angulus maxima declinationis) quod in dato casu facile sit, cum constet, basem esse quadrante minorem.

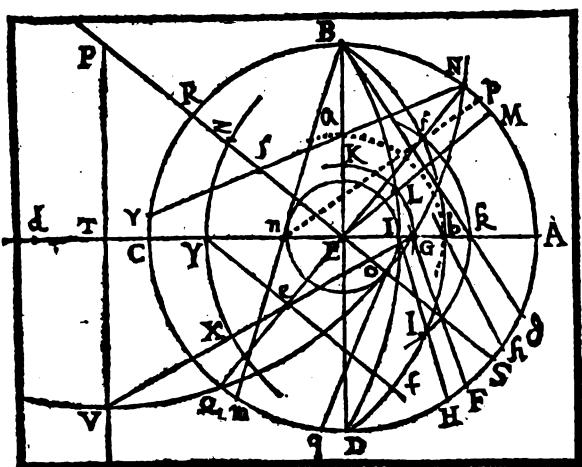
D E I N-

Actus Ecliptica
datae declinationi
respondens,
quo pacto per
triang. sphær. sine
calculo decerni-
tur.

D E I N D E si ex polo mundi, & polo Ecliptica per centrum stella duo circuli maximi intelligantur descripsi, quorum illa stella declinationem, hic vero latitudinem metitur, constitutus triangulum sphaericum, in quo duo latera nec a sunt, (arcus vide-
licet Coluri solsticiorum inter duos polos inclusus, ac maxima declinationi aequalis, &
complementum latitudinis, sive arcus circuli latitudinis inter polum Ecliptica & cen-
trum stella.) unde cum angulo ab eis comprehenso, quem scilicet metitur distantia stel-
lae a principio zg , quando latitudo eius est borealis, vel a principio d , quando latitudo
est australis: qua quidem distantia a zg , numeranda est secundum signorum succe-
sionem, si stella in semicirculo descendente existit, contra vero, si in ascensione: a d ,
autem secundum successionem numeranda est, si in ascensione semicirculo existit,
contra vero, si in descendente. Huiusmodi triangulum est FGH, in i. z. illis circulis,
quos ad finem scholij canonis 3. descriptissimus. Si igitur per problema 19. quadratum la-
tus tertium in eo triangulo, quod est complementum declinationis stella, ex duobus re-
liquis lateribus, quorum unum maximum declinationi, & alterum complemento lati-
tudinis stella aequaliter est, atque ex angulo ab ipsis comprehenso, qui aequalis est, ut dixi-
mus, distantia stellae a zg , vel d , complementum declinationis latere non poterit.
Quando tamen tertium latus dicti trianguli inveniatur, maius est quadrante, detractio
quadrante, reliqua fiet declinatio stellae convaria denominationis cum latitudine.
In alijs casibus omnibus tertium latus complementum est declinationis, & eiusdem
nominis cum latitudine.

H O C questum facilius ita absolvetur. In figura problematis 5. fiat angulus
maxima declinationis $A B b$, quem videlicet $A b$, ideoque & $A \dot{b}$, arcus maxima de-

clinationis facilius
declinationis da-
ti pandi Ecli-
ptica.



clinationis metiatur. Sumpsa deinde quadrante $b m$, exhibeat radius Bm , polum n ,
circuli $B b D$. Si igitur accipiatur arcus $B p$, arcus Eclipticae dato aequalis, auferat
recta np , arcum $B i$, ei aequalem. Ducta ergo recta $E i N$, referente circulum de-
clinationis, erit $i N$, arcus declinationis quisitus, cui aequalis est arcus $A g$, descripto
ex B ,

ex E, per i, parallelo i k, ut aquales sunt N i, A k, &c. Atque ita dato arcu Ecliptica, inuenientur est eius declinatio.

*Inuentio facilior
puncti Eclipticae,
quod data declina-
tio respondet.*

*R V R S V S si data sit declinatio Ag; sive iterum angulus AbB, maxima declina-
tionis. Deinde ducto radio Bg, ut Ak, si quoque arcus declinationis data, & descrip-
to ex E, per k, parallelo ki, secante circumferentiam BbD, in i; erit Bi, arcus Eclipticae quascumque.
Nam ducta recta EiN, arcus i N, ipsi Ak, vel Ag, equalis, meset ut declinationem
puncti i. Quo arcus Bi, equalis est arcui Aequatoris Bp, quem auseat recta an i, ex na-
polo circulo BbD, (qui inuenientur per quadrantem hinc, ut supra) per i, extensa.*

*Inuentio facilior
declinationis fel-
li.*

*P R A E T E R E A in eadem figura, fiat angulus AbB, distans stellam à princi-
pio $\textcircled{5}$, si eius latitudo borealis est, vel a principio $\textcircled{10}$, si australis, sine secundum successio-
nem signorum, sive contra, ea numeranda sit, ut supra dictum est: deinde sumatur ar-
cus BN, equalis archi maxima declinationis inter polum mundi, & polum Eclipticae;
item absindatur ex circulo BbD, arcus equalis complemento latitudinis stellae, per re-
ctas ex eius polo n, per extrellum punctum arcus eiusdem complementi in Aequatore
sumpti eductam; ac donec per finem huius arcus, & punctum N, eiusque oppositum
 \textcircled{Q} , circulus describatur. Nam huius circuli arcus inter N, & punctum extrellum ar-
cus complementi latitudinis stellae a circulo BbD, abscessus positus dabit complementum
declinationis stellae, si arcus ille interceptus minor fuerit quadrante, vel si maior qua-
drante fuerit, rem compositum ex quadrante, & declinatione, ut supra diximus. Hic
autem arcus cognoscetur per rectas ex eius polo emissas, &c. Fit enim hoc modo trian-
gulum simile omnino triangulo FGH, in illis 12. circulis scholij Can. 3. cum BN, respon-
deat arcus FG, & arcus complementi latitudinis stellae ex circulo BbD, abscessus arcu
GH, & tertius denique arcus inuenientur arcui FH, &c.*

*Q V A N D O distantia stellae à $\textcircled{5}$, vel $\textcircled{10}$, maior est quadrante, constituendus
erit eius angulus CBB, & artus BR, similius v.g. equatis distinctioni maxima, &c.*

Quatuor 2.

Q V AE S I T M II.

A S C E N S I O N E M, descensionemque rectam dati puncti
Eclipticæ, vel stellæ inquirere: Et vicissim ex data recta ascensione,
descensioneque punctum Eclipticæ respondens cognoscere: Ac po-
strem punctum Eclipticæ, quod cum stella in sphæra recta oritur,
occidit, & cælum mediat, explorare.

*Ascensio vel de-
scensio recta pun-
cti Eclipticæ,
quo pacto per
triangulm sphæ-
ricum cognos-
catur.*

*S I per problema 9. constituantur triangulum sphæricum rectangulum, cuius basis sit
arcus Eclipticae inter proximum punctum aequinoctiales, & punctum dorsum; & angu-
lus maximus declinationis, adiacens quarto lateri, arcus videlicet Aequatoris rectam
ascensionem, ascensionemque metiens: invenientur erit hic arcus Aequatoris, ut in eo pro-
blemate dictum est. Nam dictus Eclipticae arcus, arcus declinationis, & arcus ascen-
sionis, descensionis recte, eiusmodi triangulum confinente, et unus unius angularium non
rectus maximus declinationi equalis est.*

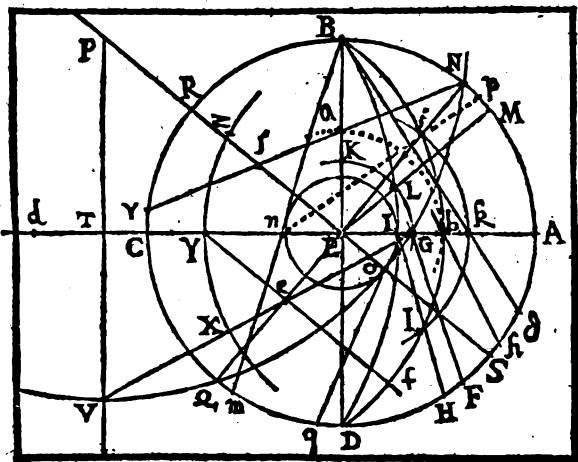
*Punctum Ecli-
pticæ data ascen-
sione, vel deter-
minacioni recte re-
spondens, quo
pacto per triang-
ulm, iam dia-
ceretur annuncius*

*V I C I S S I M si recta ascensioni, aut descensioni data reperiendus sit arcus Ecli-
pticæ respondens, dabitur in eodem triangulo rectangulo, de quo proxime dictum est, la-
tus unus, nemirum arcus Aequatoris rectam ascensionem, descensionemque metiens, &
idem angulus maxima declinationis illi lateri adiacens: Ex quibus basis, id est, arcus
Eclipticae respondens inveniatur, ut in problemate 13. dictum est. Sed pro arcu ascen-
sionis, vel descensionis accipiendo est semper arcus Aequatoris quadrante minor, ut
in scholio*

in scholio Can. 4. Num. 6. factum est a nobis.

I N T E L L I G A N T V R deinde ex polo mundi, & polo Ecliptica, per stellam duci duo circuli maximi, ut confitetur triangulum FGH, in 12 illis circulis scholio Can. 3. Et quia in hoc triangulo duo latera sunt cognita, nimur arcus Coluri solstitiorum inter duos polos, qui maxima declinationi aequalis est; & complementum latitudinis stellae, unde cum angulo ab ipsis comprehenso, cum eum metitur distantia à principio 50, vel 10; si per problema 19. confitetur eiusmodi triangulum, quale est in figura problematis 18. triangulum BKF; inuenietur angulus, quem cum Coluro circulus declinationis in polo mundi efficit, nimur arcus angulus GFH, in predictis 12. circulis, quem metitur ascensio recta à 50, vel 10, inchoata, &c.

Sed & hoc problema facilius fortasse ita expediemus. In figura problematis 5. fiat angulus maxima declinationis ABb , & arcus Bb , aequalis sit arcus $Ecliptice$.



proximo punto equinoctiali numerato, qui facile absindetur, si ei aqualis in Aequatore fumatur B p. Et recta np, ex n, polo circuli BbD, per p, ducatur, &c. Recta namque E i, Horizontem rectum referens absindet arcum BN, ascensionis, descendis recte.

C O N T R A però, si data ascensione recta, rursum fiat angulus $A B b$, maxime declinationis, & arcus $B N$, ascensionem rectam datam metatur; abscedes recta $E N$, arcum Eclipticae $B i$, respondentem: quem notum efficiet recta $n i$, ex polon, emissa, &c.

D E I N D E se constituantur angulus $A B b$, distantia stelle à \odot , vel ϑ , accipiantur arcus $B N$, maxima declinationis, & complemento latitudinis stelle equalis arcus abscedatur ex circulo $B b D$, per rectam ex n , eius polo emissam usque ad punctum terminans arcum Aequatoris eidem complemento latitudinis stella equarem: ac tandem per terminum huius arcus, & per N , eiusque punctum oppositum Q , circulus describatur, respondebit eius arcus inter N . & circulum $B b D$, inclusus arcus $F H$, in triangulo FGH , i.e. circulorum schooly Can. 3. Angulus ergo, quem idem arcus

cum arcu BN, in polo mundano, qui nunc est N, facit, dabis ascensionem rectam à
G, vel, λ, inchoatam. &c.

Eclipticæ pan.
Quia cum stella
orientis, occiden-
tis, & cœli me-
diane.

E T si forte distanca stelle à G, vel λ, maior fuerit quadrato, consiuendus
erit eius angulus C B b, recto maior, & in quadrante B C, accipiendus arcus maxima-
declinacionis, &c.

P V N C T V M Ecliptica, quod huic ascensioni recta congruit, erit illud, cum
quo data stella oritur, occiditq; & cœlum mediat in sphera recta.

Quatuor 3.

Q V A E S I T V M I I I.

A S C E N S I O N E M, descensionemq; obliquam dati puncti
Eclipticæ, vel stellæ inuestigare: Et vicissim punctum Eclipticæ
datæ ascensioni descensioniæ obliquæ congruens determinare; ac
denique punctum Eclipticæ, cum quo data stella oritur, occiditq;
in obliqua sphera, inuenire.

*Ab initioem de
scensione obli-
quam dati pun-
cti Eclipticæ, per
triang. sphæri-
cæ numeris in-
deligare.*

A R C V S Ecliptica a principio V, vel Ζ, usque ad punctum datum oriens
secundum successionem signorum numeratus constituit cum Aequatore, atque Hor-
izonte obliquo triangulum sphericum obliquangulum, in quo duo anguli dati sunt, an-
gulus videlicet maxima declinationis, quem Ecliptica cum Aequatore efficit, & an-
gulus, quem Aequator cum Horizonte constituit, qui quidem ab V, usque ad Ζ, ob-
tinetur semper est, vergitq; in boream, & relinquitur si complementum altitudinis poli
ex semicirculo dematur; acutus vero à Ζ, usque ad V, ipsomet nimirum angulus
complementi altitudinis poli, vergitque in austrum; autusque insuper est arcus poste-
riori dato angulo oppositus, arcus videhetur Ecliptica ab V, vel Ζ, usque ad datum
punctum numeratus. Si igitur per problema 21. queratur arcus Aequatoris ascensionem
obliquam metiens, ex dato arcu Ecliptica, qui vni datorum angulorum opponitur, &
duobus dictis angulis, cum constet, tertium arcum Horizontis, qui alteri dato angulo
oppositus est, esse quadrante minorem, nimirum latitudini orientia aequalem; inuenia
erit ascensio obliqua dati puncti Ecliptica.

N O N aliter descenso obliqua dari puncti Ecliptica inuestigabitur; cum simile
prosbus triangulum sub Horizonte occidentali consiuatur, nisi quadrangulus, quem
Aequator cum Horizonte efficit, acutus est ab V, usque ad Ζ, ac vero à Ζ, usque
ad V, obtusus.

Punctum Eclip-
tica datæ ascen-
sionis, vel descen-
sionis oblique co-
gnito, per triang.
sphær. suo nume-
rio assignare.

Q V O D si obliqua ascensio, sive descensio detur, erunt in eodem triangulo, de
quo proxime dictum est, idem duo anguli dati, unde cum arcu Aequatori illis adia-
cente, qui ascensionem, descensionemq; datae metuntur. Igitur per problema 20. ex illis
datis cognitus sit arcus Ecliptica quesitus, cui videlicet data ascensio, vel descensio
conuenit. Est autem ascensio, descensio data summa de semicirculo minorita ut ea exis-
te maiore, semicirculus subtrahatur, ut ascensio, vel descensio à Ζ inchoata habeatur.

Invenio facilior
ascensionis, des-
censionis oblique
dati puncti Ecli-
ptica.

F A C I L I V S autem fortassis utrumque hac alia ratione exequentur. In figura
problematis 5. consiuatur angulus A B b, maxima declinationis, & ex semicirculo
B b D, absindatur arcus B i, vel B l, aequalis dato arcui Ecliptica per rectam ex n,
polo emissam ad punctum Aequatoris, quod terminat arcum aequalem à B, inchoatum.
Si enim per extremum punctum i, vel l, describatur arcus Horizontis, cuius
centrum sit in parallelo per Horizontis centrum descripto, & concavum vergat versus
B; absindet hic arcus ex Aequatore ascensionem obliquam puncti i, vel l, ut patet.
Si autem conuexum arcus Horizontis per i, aut l, descriptis vergat versus B, absin-
det is ex Aequatore descensionem obliquam.

C O N T R A

C O N T R A & verò, si ascensio, vel descensio obliqua numeretur in Aequatore à B, & per extreum punctum Horizon describarit; ita ut eius concavum respiciat partem B, si de ascensione agitur, convexum verò, si de descensione; indicabit Horizon hic in circulo B b D, punctum Ecliptice à principio V, aut ω , numerandus, cui data ascensio vel descensio congruit. &c.

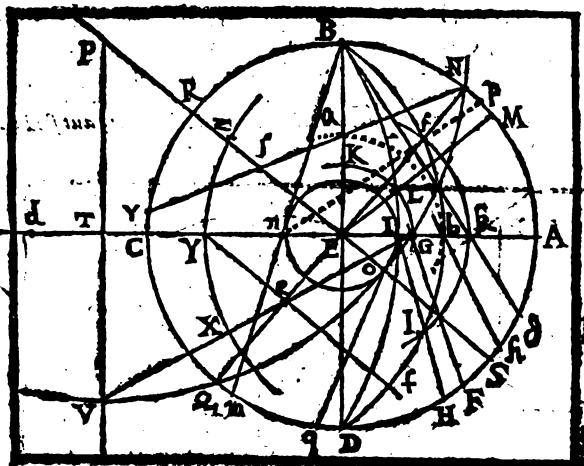
I A M verò, ut ascensio descensione obliqua stella cuiuslibet inueniatur, exploranda est eius differentia ascensionalis, hac ratiōne. Arcus circuli declinationis ex polo mundi per stellam, tam ortum, dicitur, inter stellam & Aequatorem positus, & arcus Horizontis latitudinem ortuam metiens, atque arois Aequatoris invenient differentiam ascensionalem, constitutus triangulum sphaericum rectangulum, in quo arcus declinationis per quesitum i. datus est, cum angulo opposito, quem cum Horizonte Aequator efficit, hoc est, cum angulo complementi altitudinis poli. Igitur ex hisce datis per problema 10. eruetur arcus differentia ascensionalis, quā dato angulo adiacet, cum constet, arcum hunc quesitum esse quadrante minorem.

H A N C ascensionalem differentiam faciliter fortassis ita reperiemus. In figura problematis 5. fiat angulus A B b, complementi altitudinis poli, & arcus A k, metatur

Inventio facilis
puncti Eclipticæ
data ascensione
vel descensione
obliqua respon-
deatis.

Differentia alco-
biapalii stellaris
vel puncti eclipticæ,
quo pacto per triāg.
sphæ. sine nume-
rio reperiatur.

Inventio facilis
differentie ascen-
sionalis.



declinationem stellæ, abscissus per radium B g, ex B, ad g, extreum arcus A g, de-
clinationis emissum: critquo A k, minor arcu A b, qui complementū altitudinis poli
metitur, cum hic loquamus de altitudine poli, que major non sit, quam grad. 66. min.
30. Descripto ergo ex E, per k, parallelo secante arcum Bb, in i, auferet recta E i, arcum B N, differentia ascensionalis quā fuit a proposito quod triangulum B i N, est
illud, de quo proxime dictum est: quippe cum i N, arcus aequalis sit arcui Ak, declina-
tionis, &c. Declinatio autem stellæ minor esse debet complemento altitudinis poli: alias
non oriretur, aut occideret, vel certe Horizontem tangere, atque ita non habebet dif-
ferentiam ascensionalem, ut in sphera docuimus.

Q V O pacto autem per differentiam ascensionalem ipsa ascensio, vel descensio ob-
liqua elicatur, in scholio Can. 5. ad finem Num. 1. docuimus.

B b b b b S I M I-

S I M I L I prorsus modis differencia ascensionis cuiusvis puncti Ecliptica inveniatur, si pro stella ipsum problemum Ecliptica in Horizonte ponamus.
P V N C T V dicitur denique Ecliptica, cui congruis ascensio, vel descendens obliqua sit illud, cum quo stella ortitur; aut occidit in sphera obliqua: Cum eadem autem puncto calum mediat, cum quo in recta sphera ortitur, aut calum mediat.

Questio 4.

Q V A E S I T V M IIII.

L ATITUDINEM ortiam, occiduaq; cuiuslibet puncti Eclipticæ, aut stellæ, explorare. Et è contrario, data latitudine ortia, aut occidua, punctum Eclipticæ respondens reperire.

Latitudinem ortiam dati puncti Eclipticæ, vel stellæ indagare per triangulum sphaericum, hoc nomine usque contra.

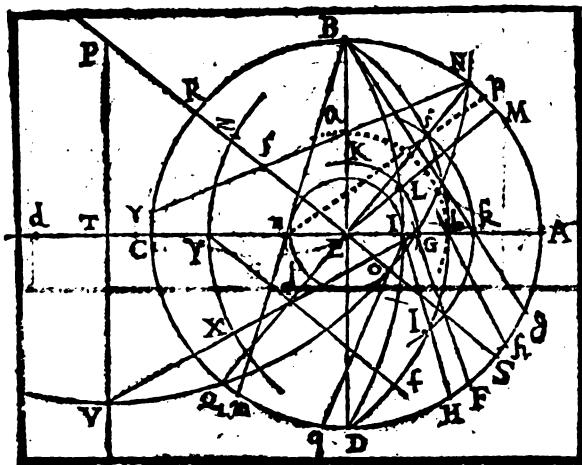
In triangulo sphaericо rectangulo, de quo in fine praecedentis quasiri dictum est, inquirenda erit basis, id est, arcus Horizontis, vel latitudinis ortia ex arcu declinationis per quasitum l. cognito, & angulo complementi altitudinis poli, qui arcus declinationis opponitur: quemadmodum in problemate 14. traditum est; cum constet, eam basem esse minorem quadrante.

E T si latitudo ortia nostra est, inuestigandus erit in eodem triangulo arcus declinationis ex base, qua est lacundo ortia. & angulo complementi altitudinis poli, qui arcui que sito opponitur, ut in problemate 8. scripsimus, &c.

Inventio facilior latitudinis ortia.

V E L facilius sit agemus. In figura problematis s. fiat angulus $A B b$, complemen-

ti altitudinis poli: Sumpto autem arcu declinationis dati puncti, aut stellæ $A g$, cui per



radius $B g$, equalis refocatur $A k$; (erit autem $A k$, minor arcus complementi altitudinis poli $A b$: alias Sol, vel stella neque oriretur, neque occideret, ut in sphera di-
ximus.) descriptoque ex E , per k , parallelo secante $B b D$, in i , trahatur ex E , per
& recta $E i$. Ita enim constitutum erit pradicatum triangulum $B i N$, & arcus $B i$,
latitudinem

Lætitudinem ortuam vocetur, qui per rectam n i, cognoscatur, &c.

Q U O D si latitudo data sit; constituto angulo $A B b$, complementi altitudinis poli, absindatur arcus latitudinis ortuus $B i$, per rectam n i, ex polo n , emissam ad punctum p , terminans arcum latitudinis ortuus $B p$. Nam extensa recta ex E , per i , dabit $i N$, arcum declinationis, &c.

Q V A E S I T V M V.

Quæstū s.

A R C V M semidiurnum, & seminocturnum dati puncti Eclipticæ, aut stellæ inuestigare.

I N V E N T A differētia nōconfonali dati puncti Ecliptica, scilicet, ut in quaestio 3. dictum est, repertetur per eam arcus semidiurnus, & seminocturnus, ut in Can. 7. Num. 3. tradidimus.

Arcus semidiurnus, seminocturnus, ut dati puncti Ecliptica, angulus sine summa per triang. sphær. definitur.
Quæstū 6.

Q V A E S I T V M VI.

D I S T A N T I A M Solis, aut Stellæ à Meridiano per eius altitudinem exquirere.

S I , ut problema 18. docute, construatur triangulum sphericum ex tribus lateribus notis, quorum unum est arcus complementi altitudinis poli in Meridiano inter ipsum mundi, & polum Horizontis positus; alterum vero arcus circuli declinationis, vel horarij inter polum mundi, & centrum Solis, stellæne inclusus; qui, si astrum boreale est, complementum declinationis metitur, si autem australis, ex quadrante, & declinatione conflatur; tertium denique arcus Verticalis per astrum ductus, metiens complementum cognita altitudinis: Si, inquam, huiusmodi triangulum construatur, dabit angulus, quem Meridiani arcus, & arcus circuli declinationis comprehendens, distanciam astri à Meridiano: qui angulus per propos. 1 s. libri 2. cognitus fiet.

Distanciam Solis vel stellæ à Meridiano per triang. sphær. sine numeris fractis

Q V A E S I T V M VII.

Quæstū 7.

Crepusculi magnitudinem peruestigare.

B A D E M ratione, si per problema 18. sphericum triangulum construatur ex tribus dati lateribus, quorum unum est arcus complementi altitudinis poli in Meridiano inter polum mundi, & verticem loci positus; alterum vero, arcus circuli declinationis inter polum mundi, & centrum Solis existentes in parallelo grad. 18. sub Horizonte; qui, si Sol borealis est, complementum est declinationis, si vero australis, ex quadrante, & declinatione conflatur; tertium denique, arcus Verticalis per idem centrum Solis descripti, constans ex quadrante & arcu grad. 18. Si, inquam, huiusmodi trianguolum, dabit angulus, quem arcus circuli declinationis cum Meridiani efficit, arcum ex arcu semidiurno, & arcu Crepusculi compositionis: qui angulus per propos. 1 s. lib. 2. notus evadet. Si igitur ex hoc arcu dematur arcus somertiurnus, reliquus erit arcus Crepusculi.

Crepusculi magnitudinem per triang. sphær. hoc numeris ample-

B b b b b 2

Q V A E -

Questus 8.

Q V A E S I T V M VIII.

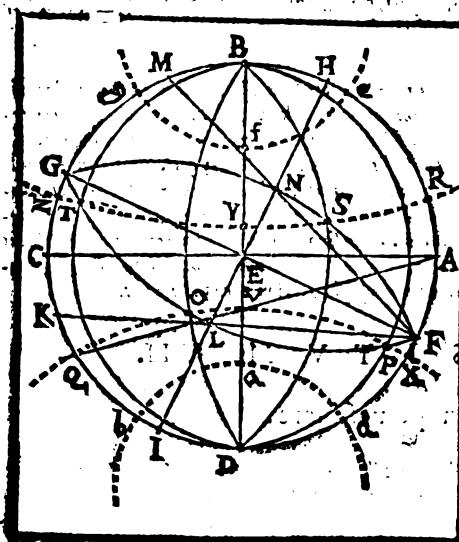
Distantiam duorum locorum in terra, vel Stellarum
in celo, dimitiri.

Locorum distantia
in terra, vel stellarum
in celo
distantiam meti-

F I A T per problemata 19. triangulum sphericum ex duobus latusib[us] notis, cuius
angulo ab ipsis comprehenso, cuius duo latera nota, sunt complementa latitudinum locorum, si viriusque latitudo borealis fuerit; vel arcus conslati ex quadrante, & lati-
tudinibus; si latitudo utrinque fuerit australis; &c. angulus vero ab ipsis comprehen-
sus datum, est differentia longitudinum, hoc est, determinatur ab arcu Aequatoris seu
meridio minore, inter Meridianos locorum posito. Nam tertium latus, quod cognitum
fuerit per rectas ex eius polo invento, per eiusdem extrema puncta extensae, distantiam
inter duo loca manifestabit.

I D E M dicendum est de distantia Stellarum, si pro circulis, qui latitudines loco-
rum metiuntur, acceperintur circuli latitudinem stellarum.

E X E M P L I. I. gratia, Si in duo loca borealia, & angulus, quem eorum Meridia-
ni efficiunt CBS, unusq[ue] completementum latitudinis BG, & alterius BS, ut in figura
problematis 22. apparet. Si igit[ur] per G, eiusq[ue] punctum op-
positum F, ac per S, maximus circulus describatur, metietur
arcus GS, (quem notum red-
det recta ex eius polo educata,) distantiam loci G, a loco S.
Pari ratione si duo sine loca
australia, ita ut angulus a Meridianis constitutus sit FBO,
& arcus Meridianorum inter
B, polum articulatum, & ipsa lo-
ca, sine BFO, & habet arcus
F O, locorum distantiam.
Denique si unus locus sit bo-
realis, & australis alter, ita
ut Meridiani ipsorum efficiant
angulum GBP, & arcus Meridianorum inter ipsa loca, &
polum articulatum sine BG, BP.
&c. erit eorum distantia arcus
GP. Atq[ue] ratio hac, ut vides,
multo est commodior, quam
illa, quam in Can. 15. explica-
uitur. Num in hac linea-



magna non mulsum excurrunt; sicut in illa, etiam si unus locorum sit borealis, &
alter australis.

Questus 9.

Q V A E S I T V M IX.

A L T I T U D I N E M Solis supra quemlibet circulum maxi-
mum

rum, eiusq; distantiam horizontalem singulis horis inquirere.

QVA M V I S ratis in Canone 16. explicata facilis sit, atque expedita; quando tamen unius, duntaxat aut alterius hora indaganda sit altitudo Solis, horizontalemque distantiam, officium id nullo ferè negotio, hac arte: Invenient per Canonem 20. altitudinem poli supra datum circumulum maximum, & per Can. 17. inclinacione oitus Meridiani propriè ad Meridianum Horizontis illius loci, in quo haec inuestigantur, ut distancae horarum ab eo Meridiani possint cognoscit, sicut in figura eadem problematis 22. angulus GBS, distantia date hore à proprio Meridiani, siveque BG, arcus propriè Meridiani inter B, polum mundi, & polum datæ circuli maximi G; arcus vero BS, si complementum declinationis Solis, vel certe conflatus ex quadrante, & declinacione, quando Solis distantia à polo supra datum circumulum conspicuum maior est, quam grad. 90. Nam si per G, eiusque punctum oppositum F, ac per S, circumulus maximus describatur, erit eius arcus GS, inter polum dati circuli, & Solem, complementum altitudinis Solis quiescat. Si vero angulus distantia Solis à Meridiani proprio fuerit GBO, & arcus BO, ipsorum polum conspicuum supra datum circumulum, & Solem, &c. erit GO, complementum altitudinis Solis. Prior porro easus solum pro exemplo allatus est. Impossibile enim est, ut quando complementum declinationis est BS, angulus distantia Solis à Meridiani proprio possit esse GBS: quia altitudo Solis GS, efficit quadrante maior, quod fieri nequit.

DI S T A N T I A M horizontalem exhibebit angulus BGS, vel BGO, quem emititur arcus dati circuli, tanquam Horizontis, HN, vel HL, à Meridiani propria ad partes poli conspicui supra datum circumulum, seu Horizontem, inchoatus, &c.

AT Q V E hunc in modum omnes quastiones ad primum mobile sp. et annes, que per sinus, ac numeros, hoc est, per triangula spharica solvuntur, expediri possunt per descriptionem vntas aut alterius arcus in Astrolabio; Et si quidem summa dilectionis, ut par est, adhibeatur, tam certo, ut vix paucorum minorum error constringere possit. Que respalclarat sane est, & ad hanc usque diem, quod ego sciam, à nemine tentata, aut demonstrata.

Restat, ut quemadmodum, qua ab Oceano fluxerunt aqua longis circuitibus eodem renouuntur, sic quoniam bonum hoc, quadcumque est, manans à fonte omnium bonorum, Deo optimo Maximo, gratia à nobis, quanto à mortali bus esse possunt, maxima auctori optimo, ac donatori libe-
ralissimo agantur,
& habeantur.

Altitudinem So-
lis supra datum
circulum maxi-
mum, distantia
que horizonte-
li per se ang.
sphæri fine sub-
mersa venient.

FINIS TERTII LIBRI.



E R R A T A;

Que sine Correctorum aciem effugentur, sive incuria irreperant Typographi, ante quam legatur liber, emendanda, ne cursus interrumpatur legentium, hac ferè sunt.

Pag.	Lin.	Errata.	Corrections.	Pag.	Lin.	Errata.	Corrections.
17	13	EI, IR, RC.	EI, IR, RB.	109	6. à fi. arc° OR, QR, arcus OR, QP,		
18	19	in 6. partiti su- gimus.	in 6 partes partitio- mus.	113	35. parallela G, parallela G.K,		
19	8	ad latus A B, ad latus B C,		115	28. RLC, maior RLC, minor recto,		
22	10	recte BA, ZA, recte BK, ZK,		recto,			
22	11	anguli ad A; & L, anguli ad K; & L,		116	33. recte PN, recte MN,		
22	21	angulos DBH, angulos BEH, DFI, DFI,		119	33. quadratis mpD, semicirculi mpD,		
23	9	RBV, STD.	RBV, SDT,	120	21. semidiurni IK, semidiurni SK,		
25	1	BC, GF, HM,	BC, GF, NM,	126	39. puncta D, E puncta O, C, equali- ter à G. distantia.		
25	28	AD, A' C, positi,	AD AG, positi,	126	40. puncta D, P, E, puncta O, P, E, & versu. id est figura.		
29	15	angulus bAB,	angulus b A d,	132	17. etum, H, i. n., etum, H, in		
29	16	gulo AFD,	gulo AFD,	135	6. facit EN, facit EM,		
29	29	IAE,	IAF.	135	8. in M, cadet. in N, cadet.		
29	36	A L P,	A I P,	136	3. circulum A B, circulos A B, CD,		
37	10	in recta BE,	in recta B C,	136	14. aequalibus DE, aequalibus BE, CG,		
37	27	secundz GK,	secundz GR,	136	14. ut in 3. figura, ut in 2. figura.		
40	18	Cr, ut,	C, ut	137	3. aKE, AEK,		
44	15	constringatur,	constringatue,	145	38. arcus EG, EH, arcus EG, FH,		
45	1	cer puncta	per puncta	146	pen. secantis X, a, secantis in X, a,		
47	39	& linea FGH,	& plano FGH,	149	16. Tágēs igit CP, Tangens igitur GP,		
57	1	tangit in	tangit in B.	156	37. & inchoatorū & inchoatorum		
57	19	RO, PP,	IO, IP,	157	41. angulo AFG, angulo AEG,		
57	31	HM:Ha, so , m,	HM, so : Ha, m,	158	31. rectas FR, FS, FR, FI,		
58	3	in 12. figura	in 12. figura	166	8. Ut quia tágens Vt tangens		
58	9	segmento	segmenta	167	1. productam, productum,		
58	10	parallelē KS,	parallelē k,	167	7. dimidia maioris dimidio maioris		
60	14	anguli GEF, HFE,	HPE,	168	19. & LM,		
63	27	LGN, MHS,	GLN, HMS,	178	4. si non solum non solum locum		
65	14	basi KE,	basi HF,		habeat habeat		
69	37	verba hæc [ideoq; ex defin. 3. eiusdē lib. angu. GOQ, recte erit] delectant.		180	3. dempta M E, dempta M s.		
73	37	rectas CH, EH, rectas CK, EH,		180	5. relicti EP, relicti s P,		
76	8	LOM, OEP,	LCM, OEP,	180	12. ME, equali ip- Ms, æquali ipsi RP,		
79	3. à fine At verò B,	At vero BF,		180	14. compositæ EP, compositæ s P,		
81	6. à fine APMB,	CPMB,		183	7. à fi. qui minori qui maiori		
83	1	HYZ,	YXX,	228	2. à fi. 188. addem⁹ 1828. addemus 1828.		
83	5	obliquo GDI,	obliquo GKI,	182. 8.			
83	23	ELf, Cme,	Elf, Cme,	229	3. inter sinum pro- Inter sinū ppositū,		
84	37	Oo, Sa;	On, So;	ximè minorē. & sinum proxime			
86	3. à fine CD, FA,	CD, FG,		minorem.			
96	8. à fine p rectā LK,	per rectam IK,		262	19. per problema 10. per problema 11.		
100	10	bi, cK, ex semi bi,	cK, ex quadran-	268	23. rum æqualium In Isocele,		
		circulis	tibus	268	24. In Isocele, Vt alterutrum late-		
105	5. à fi. MN,	D N,		268	25. vt alterutru late-rum æqualium		

Pag.	Lin.	Errata	Corrections.
275	15	à punto E, à punto C,	
276	13	recte ad cētrū recte ad polum A.	
281	4	oppositi inæ oppositi æquales	
		quales	
283	16	q LV, ad VK; quām h̄. ad iS, hoc est, q LV, ad VK.	
296	10	à fi. blaati ablati	
296	3. à fi. LM, IP, LN, IP,		
311	22	ad finē Num. ad initium Num. 25.	
		21.	
312	7	utt, Vtt.	
314	16	AMGN; AMCN;	
314	17	AQG, AQG,	
314	36	D. & B. B. & D.	
323	7	è sit parallelas etiam si parallelas	
323	12	repräsentat par repräsentant partes	
		tes aliquas	
327	9	punctis I, P, punctis H, P,	
339	7	recta TV, recta TX,	
343	16	MQ Kq, MQ KO,	
345	34	VZ, BA, LZ, BA,	
347	18	ctx, EP, GP; ctz FT, GT;	
347	vlt.	arcui à D,	arcui à G,
349	1	erit IG,	erit IT,
350	1. & 3	AO, AK,	AO, AV,
359	4	Igitur SA,	Igitur SA,
361	28	AXK,	AXk,
365	9	Nadir K,	Nadir k,
374	28	A, f, G,	A, f, C,
376	8	rectam SD,	rectam ST,
379	5. à fine K, H,	R, H,	
382	4	Q, ciusdem q. ciusdem	
384	10. à fine a cētris B, I., a centris E, I.,		
390	16. & 18 a polo I., a polo K,		
395	1	facte (facte)	
399	2	in illo pucto V, in illo a pucto V,	
403	5	per Lemma 44. per Léma 44. æqua-	
		IQ, VX, vel pQ, les erunt in sphæ	
		pX. Idem æqua- ra arcus IQ, VX,	
		les erunt in sphæ vel pQ, pX. Idem	
		ra arcus quoq; quoque	
403	10. & obliquus	obliquus IKI,	
	II	IKL,	
403	13. & 14	versus XL,	versus XI,
403	17	recta mb,	recta mb,
409	13	metri LN,	metri IN,
413	9	per radiū AC,	per radium Ac,
416	4	pqH,	FqH,
420	29	hoc est, PHQ,	hoc est, PhQ,
430	2	AM, mT,	A.M. in T,
435	45	& recta BM,	& recta Bu,
455	30	eum in d,	eum in H,
457	23	u, in ortū, & π, in π, in octum, & u, in	

Pag.	Lin.	Errata	Corrections.
457	33	versus austrum	versus boream
459	3. à fine	KK,	kk,
463	10	A 2, ii,	inter rectas IR, IZ,
470	7. à fi.	recta EL,	recta FL,
482	2	HEP,	HFP,
483	9	LK, OL,	LK, ON,
483	33	BH, GI,	FH, GI,
497	3. à 6.	IL, LH,	IL, LN,
501	32	min. 15.	minus 25.
501	9. à fi.	recta μθ:	recta MG,
508	2	in punctis H, P,	in punctis N, P,
509	6	arcum 6. grad.	arcum 60 grad.
511	10	fiat Mπ,	fiat μπ,
515	18. à fi.	recta HE,	recta GE,
526	3	vera OM,	vera PQ,
530	12	arcata ET,	a recta OT,
534	5. à fi.	in 2. figura	in 3. figura
537	17	in vtraque re- carum	cum vtraque recta- rum
537	38	duabus RI, RI,	duabus RI, RI,
603	3	arcus GH, lati- tudinem	arcus GH, comple- mentu latitudinis
605	27. & 28	ad semissē	ad sinum semissis
607	5	quæsitam EI,	quæsitam EL,
610	3. à fi.	arcus Bf,	arcus Cf,
613	3. I	iphi Et,	iphi Hs,
616	pen.	arcus KO.	arcus Kf.
618	29	cum arcu mp II,	cum arcu m. ♡,
618	6. a. fi.	minor est a-	major est ascensio-
		scensione ne	
620	5. à fi.	deleantr hæc [punctum in Meri- diano sub. Hori- zonte]	verba
624	3	anguli i V k,	anguli i V s
624	20	fl,	fn,
625	37	dætz AC,	dætz AB,
629	5. à fi.	ita sinus ma- toris	ita sinus minoris
629	2. a. fi.	latera GG,	latera FG, GH,
		FH,	
633	5	cum AD,	cum AC,
639	20	& OE,	& OL,
639	29	& OK,	& OX,
659	10	& arcus tk,	& arcus uk,
662	1	ex KT, altitudi- ne meridiana	ex KT, sinu altitudi- ne meridianæ
666	35	recta Eclipticæ	recta puncti Ecli- pticæ
667	26	min. 55	min. 15
677	15	borealem du- citur;	borealem ductus ef- ficit;
677	18	borealiorē du- citur;	borealiorē ductus constitut;

Pag. Lin.	Errata	Corrections	Pag. Lin.	Errata	Corrections
681	2 latitudi- altitudinem poli nem poli		723	11. a. 6. recta F L e, recta F T e,	
683	5. a. si. in P. erit- in P. I., eritque P, si- que P, I, tus		724	20. a. si. radio b m, radio B m,	
	situs		725	14 DIN, DIQ,	
694	4. a. si. inter P, H, inter P, I,		740	3 cadentes L K, cadentes L Y,	
694	17 DHL, DSi,		740	3 quidem L K, quidem LY,	
701	pen. si omnium si circuli omnium		743	8 F V Q, X V Q,	
711	22 & 10. ab occ. & 16. ab occ.		746	1 sed B Q, sed A Q,	
			746	12 C Q S, C Q G,	

L I N E A E E T L I T E R A E , Q U A R T A E I N
quorundam exemplariorum figuris desunt.

- 12 In recta prope lineam A B, deest litera E, in intersectionibus eius cum arcubus BG,
BI, BL.
- 35 Deest recta N P, diameter tropici λ .
- 63 Vbi semicirculi M V H, D E F, se intersecant, ponatur O, pro C.
- 66 In extremitate recte A C, deest L.
- 82 In intersectione rectarum AC, Or, deest t. Et in intersectione rectarum EF, SR, deest u.
- 85 In extremitate recte N qe, deest L, in circumferentia.
- 105 In 2. figura deest C, in extremitate diametri A F.
- 318 In suprema parte recte B D, deest F, & in infima parte K.
- 346 In extremitate recte I e, deest T. Et supra hanc in extremitate recte I f, deest g.
- 360 In extremitate recte $\beta \lambda$, deest s, prope f.
- 406 Deest recta R fg.
- 429 In extremitate diametri A E, deest C.
- 444 In extremitate diametri Aequatoris A E, deest C. Et in extremitate recte A f, deest g.
- 489 Litera g, qua est in extremitate recte M E, debet esse in extremitate diametri f E.
- 518 Recta F d, producatur, donec circulum F G O, secet in p.
- 620 In extremitate perpendicularis ad VX, ex n, educta deest ξ . Et in extremitate perpendicularis ex τ , ducta deest π .
- 738 Producatur recta V E L, donec circumferentiam secet prope punctum Y.



EGO Fridericus Metius legi tres libros , quos admodum Reuer.
Pater Christophorus Clavius Bambergensis e Societate IESV
conscriptis de Astrolabio,in quibus nihil inueni, quod pias & reli-
giosas offenderet aures , sed omnia summa doctrina , suo more ,
scripta reperi,& summa pietate coniuncta . In quorum fidem hæc
scripsi profecto die Assumptionis Gloriosæ Beatiss. Virginis 1593.

Fridericus qui supra manu propria.

REGESTVM

A B C D E F G H I K L M N O P Q R S T V X Y Z.

Aa Bb Cc Dd Ee Ff Gg Hh Ii Kk Ll Mm Nn Oo Pp
Qq Rr Ss Tt Vv Xx Yy Zz.

Aaa Bbb Ccc Ddd Eee Fff Ggg Hhh Iii Kkk Lii
Mmm Nnn Ooo Ppp Qqq Rrr Sss Ttt Vuu Xxx
Yyy Zzz.

Aaaa Bbbb Cccc Dddd Eeee Ffff Gggg Hhhh Iiii
Kkkk Llll Mmmm Nnnn Oooo Pppp Qqqq Rrrr
Ssss Tttt Vuuu Xxxx Yyyy Zzzz.

Aaaaa Bbbbb.

Omnia sunt folia, præter B b b b, folium & semis.



ROMÆ, Ex Typographia Gabiana, M. D. XCIII,

